

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- + *Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken* Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + *Keine automatisierten Abfragen* Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com/durchsuchen.

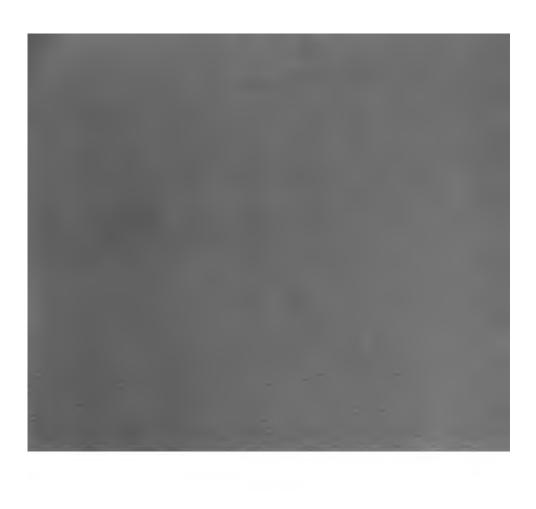




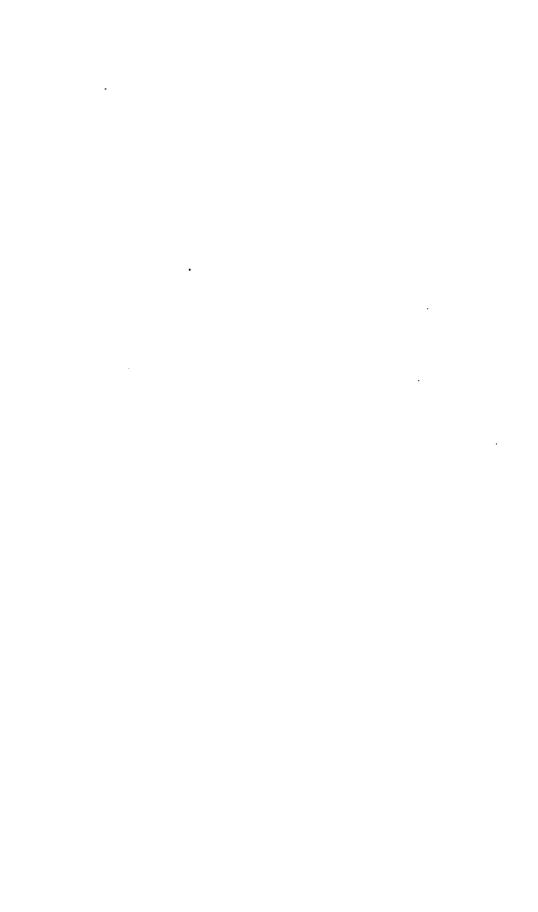












		<u>;</u>	T
IV	r	Inhalte erzeichnis.	1
ş.	17.	Versuche von Gauß	Seite 102 106 107
ş.	18.	Verteilung des Magnetisaus im Innern der Magnete	108 109
ş.	19.	Theorie von Biot; The von van Rees	113 116
	20.	Einfluss der Wärme auf den Magnetismus	121 126
8.	21.	Einfluss des Lichtes auf den Magnetismus	126
		Zweites Kapitel.	
		Vom Erdmagnetismus.	
•	22.	Nachweis des magnetischen Zustandes der Erde	128 130
•	23. 24.	Reisetheodolith von Lamont	131 136 138
Ĭ	25.	Methode von Lloyd	142 144
ş.	26.	Bifilarmagnetometer von Gaußs	147 152
ģ.	27.	Theorie von Gauss	156 160
		Zweiter Abschnitt. Die Lehre von der Reibungselektricität.	
		Erstes Kapitel.	
		Die Elektricität im Zustande der Isolation.	
-	28.	Erkennung des elektrischen Zustandes; positive und negative Elektricität; Elektroskope	165
	29 . 30 .	Mitteilung und Leitung der Elektricität; Leiter und Nichtleiter Erregung der Elektricität; durch Reibung	171 175 178
ş	31.	Pyroelektricität; Aktinoelektricität	179 182 184
8	32. 33.	Gesetze der elektrischen Anzichung und Abstoßung	185 193 195
8		Abflus über die isolierenden Stützen	197 201
	. 35. . 36.	Der elektrische Zustand der neutralen Körper	207 213
8	. 37. . 38.	Potentialfunktion einer Elektricitätsmenge	219 221 225
ş	. 39.	Elektrische Dichtigkeit Spannung der freien Elektricität Verteilung der Elektricität auf einzelnen Leitern Elektrische Kapacität Verteilung auf der Kugel; dem Ellipsoid	227 227 229
		Verteilung auf der Kugel; dem Ellipsoid	230

	Inhaltsverzeichnis.	v
	Verteilung auf der elliptischen und kreisförmigen Platte	Seite 232
	Elektrische Energie eines geladenen Leiters	235
	Untersuchung der elektrischen Verteilung mit Prüfungskörpern	236
. 40.	Verteilung der Elektricität auf mehreren leitend verbundenen	
. 41.	Leitern	240
. 41.	Konzentrische Kugeln	245 246
	Konzentrische Kugeln	248
	Allgemeine Behandlung paralleler Leiter	251
40	Cylinder mit gemeinschaftlicher Axe	253
42. 43.	Verteilung der Elektricität auf getrennten Leiter	255 257
40.	W. Thomsons Methode der elektrischen Bilder	260
44.	Eigenschaften der Spitzen	264
45 .	Messung der elektrischen Potentialfunktion; Torsionselektrometer	
	von Kohlrausch	268
46. 47.	Elektrometer von W. Thomson	272 276
±1.	Elektrometer von Kirchhoff, Mascart, Hankel	284
48.	Elektrische Polarisation in Nichtleitern	285
	Specifisches Induktionsvermögen	287
40	Dielektricitätskonstante und Elektrisierungskonstante	292
49.	Messung der Dielektricitätskonstante; I. Durch Kapacitätsmessungen II. Messung der Anziehung einer dielektrischen Kugel	295 300
	III. Messung der Anziehung zweier Kondensatorplatten in ver-	•••
	schiedenen dielektrischen Medien	305
	Satz von v. Helmholtz über die Anziehungen zweier elektrischer	
	Mengen in dielektrischen Medien	305 310
	Dielektricitätskonstanten einiger fester und flüssiger Körper .	311
	IV. Messung der Dielektricitätskonstanten der Gase	312
50.	Leitung in dielektrischen Medien	319
	Untersuchung der mit der Zeit wachsenden Influenz	32 0
51.	Mechanische und optische Erscheinungen bei der Influenz auf	334
5 2.	Dielektrica	341
5 3 .	Die Elektrisiermaschine	346
	Die Dampelektrisiermaschine	350
54.	Der Elektrophor	354
55. 56.	Die Influenzmaschine	359 363
57.	Der Kondensator	366
58.	Der Ladungsapparat; Leydner Flasche; Franklinsche Platte	369
	Zweites Kapitel.	
	Die Entladung der Elektricität und deren Wirkungen.	
	-	054
59 .	Die Entladung der Elektricität	374
	und der elektrischen Dichtigkeit	376
60.	und der elektrischen Dichtigkeit	5.0
	und Massflasche	386
61.	Dauer der Entladung	388
	Partialentladungen	391 207
	Theorie von w Helmholtz W Thomson Kirchhoff	397 399
62.	Oscillierende Entladungen	401
63.	Der elektrische Rückstand in der Batterie	405
	Theorie des Rückstandes von Kohlrausch und Clausius	. 408
	·	

V	L	Inhaltsverzeichnis.	
ş.	64.	Bestätigung der Theorie durch die Versuche von Wüllner Theorie der Rückstandsbildung von Maxwell Wärmeerregung durch die elektrische Entladung Elektrisches Luftthermometer Versuche von Riess Theorie der Wärmeentwicklung durch die Entladung	Seite 411 414 417 419 423
§.	65. 66. 67.	Theorie der Wärmeentwicklung durch die Entladung Mechanische Wirkungen der Entladung Lichtwirkung der elektrischen Entladung Übersicht über die weitern Wirkungen des Entladungsstromes Dor elektrische Rückschlag	428 431 434 438 440
		Dritter Abschnitt.	
		Der Galvanismus.	
		Erstes Kapitel.	
	D	ie Entstehung des galvanischen Stromes und die Gesetze der Stromstärke.	
§ .	68.	Elektricitätserregung bei Berührung zweier Metalle; Entdeckung des Galvanismus	441 413 445
ş.	69.	Die elektrische Spannungsreihe	449 451 453 457
•	70.	Elektricitätserregung bei Berührung von Metallen und Flüssigkeiten De la Rives Erklärung der Voltaschen Fundamentalversuche Elektromotorische Kraft zwischen Metallen und Wasser	461 466 469
•	71.	Entstehung des Stromes	471 472 477
ş.	72.	Elektricitätserregung bei Berührung zweier Flüssigkeiten Elektricitätserregung bei Berührung von Metallen und Gasen	479 483
	73. 74.	Die Voltasche Säule	486
	75.	Trockene Säulen	491
§.	76.	Verschiedene Formen der Voltaschen Säule	493
§.	77.	Die konstanten Ketten; Element von Daniell	498
		Element von Grove, von Bunsen	502 505 506
•	78.	Das Ohmsche Gesetz, Ableitung desselben aus den Gesetzen der elektrischen Verteilung Das Gefälle der Elektricität Leitungswiderstand Experimentelle Bestätigung des Ohmschen Gesetzes durch die Ver-	507 513 515
	79.	suche von Kohlrausch; Messung des elektrischen Gefälles	521
ğ.	80.	Experimentelle Bestätigung des Ohmschen Gesetzes durch Messung der Stromstärke	525 526 527 532
ş.	81.		534 536 538 539

	Inhaltsverzeichnis.	VII
		Seite
j. 8 2 .	Ströme in ungeschlossenen Leitern	540
	Versuche von Siemens, Ladung eines Kondensators	541
	Ströme bei stationärem Zustande eines nicht geschlossenen langen	
	Leiters	544
j. 8 3.	Widerstandseinheiten, Rheostaten und Rheochorde	549
. 04	Prüfung des Rheostaten	556 557
. 84.	Methoden von Ohm und Lenz	558
	Methode von Bosscha, Schröder van der Kolk, Sirks	559
	Messung der Potentialdifferenz	561
. 85.	Widerstandsmessungen durch Stromverzweigungen	562
	Methode von Pouillet und Becquerel	562
	Methode von Wheatstone mit der Brücke	564
	Wheatstone-Kirchhoffsche Brücke	565
	Graduierung der Brücke	567
	Methode von W. Thomson zur Messung kleiner Widerstände	569
0.0	Methode von Kirchhoff zur Messung kleiner Widerstände	573
. 86.	Leitungsfähigkeit fester Körper	574 576
	Leitungsfähigkeit der Legierungen	577
	Einfluis der Temperatur	578
•	Einfluls der Temperatur	
87.	Wärme	580
	derselben	583
	Einfluss der Temperatur auf die Leitungsfähigkeit	585
	Abhängigkeit der Leitungsfähigkeit von der Konzentration bei	
	Lösungen.	588
	Einfluss des Lösungsmittels	596
88.	Bestimmung der elektromotorischen Kraft.	597 598
	Kompensationsmethode von Poggendorff	600
	Durch E. Du Bois-Reymond	601
	Methoden von Fechner und Wheatstone	603
	Bestimmung der elektromotorischen Kraft durch Messung der	
	Potentialdifferenz	605
	Elektromotorische Kraft der konstanten Elemente	609
	Elektromotorische Kraft der Gassäulen	613
×9.	Bestimmung des Widerstandes in den Elementen	614
90.	Thermoströme	618
	Thermoelektrische Spannungsreihe	620
	Abhängigkeit der thermoelektromotorischen Kraft von der Tem-	622
	peraturdifferenz der Lötstellen	625
	Größe der thermoelektromotorischen Kraft	631
	The state of the s	
	Zweites Kapitel.	
Die	Wirkungen des galvanischen Stromes in dem Schliessungskre	ise.
. 91.	Wärmeentwicklung im Schliessungskreise	633
	Gesetz von Joule; Prüfung desselben für feste Leiter	634
	Prüfung des Jouleschen Gesetzes für Flüssigkeiten	637
	Folgerung aus dem Jouleschen Gesetze betreffend die im ganzen	
4- 3	Stromkreise entwickelte Würme	638
95	Beziehung zwischen der im Strome entwickelten zu der durch die	eso.
	chemischen Prozesse im Element entwickelten Wärme Satz von Favre; Versuche von Favre, Raoult, J. Thomsen	639 64 0
	Theorie von F. Braun	646
		UTU

Inhaltsverzeichnis.

_			8
ş.	93.	Ableitung des Jouleschen Gesetzes aus dem Ohmschen Gesetze	
ģ.	94.	Temperaturänderungen an Berührungsstellen heterogener Leiter.	
		Versuche von Edlund und Le Roux	
		Theorie der Temperaturänderungen an Berührungsstellen	
§.	95.	Theorie der Thermoströme	
		Elektromotorische Kraft in den einzelnen Leitern	
		Theorie der Thermoströme von F. Kohlrausch	
§.	. 96.	Galvanisches Glühen von Drähten	
		Glühlampen	
§ .	97.	Der elektrische Flammbogen	
		Der elektrische Flammbogen	
§ .	98.	Elektrolyse binärer Verbindungen	
0		Elektrolyse von Lösungen	
		Elektrolyse von Lösungen	
8.	99.	Faradays Gesetz der festen elektrolytischen Aktion	
2.		Elektrolytische Leitung der Flüssigkeiten	
g	100.	Sekundäre Aktionen bei der Elektrolyse	
2.	100.	Zargatauna dan Wannara	
		Zersetzung des Wassers	
e	101	Elektrolyse zusammengesetzter Verbindungen	
	101.	Wondown a don loner	
	102.	Wanderung der Ionen Elektrische Endosmose Fortführung der Flüssigkeit in kapillaren Röhren.	
3.	103.	Elektrische Endosmose	
		Fortunrung der Flussigkeit in Kapillaren Konren	
_		Fortführung suspendierter Flüssigkeitsteilchen	
	104.	Elektrolyse von Lösungsgemischen	
	105.	Chemische Wirkung der Reibungselektricität	
ş.	106.	Theorie der Elektrolyse: Auffassung von Grotthus	
		Theorie der Elektrolyse; Auffassung von Grotthus Theorie von Magnus, Ampère, De la Rive, Berzelius, Fechner	
		Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen	
		Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann,	
		Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann,	
		Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke	
§.	107.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke	
§.	107.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungstähigkeit und Flüssigkeitsreibung	
§.	107.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungstähigkeit und Flüssigkeitsreibung	
Ī	107. 108.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke. Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand	
Ī		Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke. Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand	
Ī		Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke. Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand	
Ī		Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke. Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand	
Ī		Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke	
Ī		Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion	
Ī		Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion	
Ī		Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden	
ş.	108.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase	
§.	108.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase Sekundäre Elemente; Accumulatoren	
மு. மு.	108. 109. 110.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase Sekundäre Elemente; Accumulatoren Passivität des Eisens	
மு. மு.	108.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase Sekundäre Elemente; Accumulatoren Passivität des Eisens Mechanische Wirkungen des Stromes	
<i>ம்</i> ம் ம் ம் ம்	108. 109. 110. 111.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase Sekundäre Elemente; Accumulatoren Passivität des Eisens Mechanische Wirkungen des Stromes Galvanische Ausdehnung	
<i>ம்</i> ம் ம் ம் ம்	108. 109. 110.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase Sekundäre Elemente; Accumulatoren Passivität des Eisens Mechanische Wirkungen des Stromes Galvanische Ausdehnung Diaphragmenströme	
<i>ம்</i> ம் ம் ம் ம்	108. 109. 110. 111.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase Sekundäre Elemente; Accumulatoren Passivität des Eisens Mechanische Wirkungen des Stromes Galvanische Ausdehnung Diaphragmenströme	
<i>ம்</i> ம் ம் ம் ம்	108. 109. 110. 111.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase Sekundäre Elemente; Accumulatoren Passivität des Eisens Mechanische Wirkungen des Stromes Galvanische Ausdehnung Diaphragmenströme Strömungsströme Theorie der elektrischen Fortführung und der Strömungsströme von	
ம் ம்ம்ம் ம்	108. 109. 110. 111. 112.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase Sekundäre Elemente; Accumulatoren Passivität des Eisens Mechanische Wirkungen des Stromes Galvanische Ausdehnung Diaphragmenströme Strömungsströme Theorie der elektrischen Fortführung und der Strömungsströme von v. Helmholtz	
ம் ம்ம்ம் ம்	108. 109. 110. 111.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase Sekundäre Elemente; Accumulatoren Passivität des Eisens Mechanische Wirkungen des Stromes Galvanische Ausdehnung Diaphragmenströme Strömungsströme Theorie der elektrischen Fortführung und der Strömungsströme von v. Helmholtz Theorieen des Galvanismus	
ம் ம்ம்ம் ம்	108. 109. 110. 111. 112.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke. Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand. Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase Sekundäre Elemente; Accumulatoren Passivität des Eisens Mechanische Wirkungen des Stromes Galvanische Ausdehnung Diaphragmenströme Strömungsströme Theorie der elektrischen Fortführung und der Strömungsströme von v. Helmholtz Theorieen des Galvanismus Kontakttheorie.	
ம் ம்ம்ம் ம்	108. 109. 110. 111. 112.	Satz von Hittorf über die Elektrolysierbarkeit von Verbindungen Theorie der Elektrolyse von Salzlösungen nach Hittorf, Wiedemann, Quincke Theorie von Clausius Theorie der Leitung der Lösungen Leitungsfähigkeit und Flüssigkeitsreibung Theorie von F. Kohlrausch Polarisation und Übergangswiderstand Übergangswiderstand Untersuchungen von Fechner und Lenz Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Polarisation von der Stromstärke Elektrolytische Konvektion Abhängigkeit der Polarisation vom Metall der Elektroden Polarisation durch verschiedene Gase Sekundäre Elemente; Accumulatoren Passivität des Eisens Mechanische Wirkungen des Stromes Galvanische Ausdehnung Diaphragmenströme Strömungsströme Theorie der elektrischen Fortführung und der Strömungsströme von v. Helmholtz Theorieen des Galvanismus	

Vierter Abschnitt.

Die Wirkungen des Stromes ausserhalb des Stromkreises.

Erstes Kapitel.

Ele	ktro	dynam	ik.
-----	------	-------	-----

	•	Seite
. 114.	Anziehung und Abstofsung zweier galvanischer Ströme	799
	Ampèresches Gestell	800
	Elektrodynamische Rotationen	807
. 115.	Elektrodynamisches Grundgesetz	809
	Bestimmung der Konstanten des elektrodynamischen Grundgesetzes	814
. 116.		823
	Bestimmung der Wirkung durch die Direktrix	825
. 117.		827
. 118.	W. Webers experimentelle Prüfung des elektrodynamischen Grund-	
	gesetzes	831
	Drehungsmoment zweier Kreisströme	832
	Elektrodynamometer	836
	Messungen W. Webers	842
§. 119.	W. Webers elektrisches Grundgesetz	844
	Einwürfe von W. Thomson und Tait gegen das Webersche Gesetz	851
	Widerlegung der Einwürfe durch den Nachweis, dass nach dem	
	Weberschen Gesetze für die Wirkung zweier elektrischer Teil-	
	chen eine Potentialfunktion existiert	852
	Einwürfe von v. Helmholtz	854
	Webers Erwiderung gegen den ersten Einwurf	857
	Zweiter Einwurf von v. Helmholtz und Webers Erwiderung	858
	v. Helmholtzs elementares Potentialgesetz und Zurückziehung des-	
	selben	860
	Einwurf von Clausius; elektrisches Grundgesetz von Clausius	861
	Würdigung des Clausiusschen Einwurfes und dessen Grundgesetzes	
§ 120.		863
§ 121.		867
	Wirkung eines unendlich kleinen Stromes auf ein Element	868
	Wirkung eines Solenoidpoles	871
	Wirkung eines geradlinigen Stromes auf ein Solenoid	874
	Wirkung eines Kreisstromes auf einen Solenoidpol	876
	·	

Zweites Kapitel.

Elektromagnetismus und Diamagnetismus.

§. 122.	Ablenkung der Magnetnadel durch den Strom	880
	Gesetz von Biot und Savart	
	Ableitung einzelner Fälle aus dem Biot-Savartschen Gesetz	884
§. 123.	Ampères Theorie des Magnetismus	887
	Rotation von Strömen unter dem Einfluss von Magneten	
	Rotation von Magneten unter dem Einfluss eines Stromes	
126.	Ablenkung eines Stromes in einem Leiter; Phänomen von Hall	. 899
127.	Ablenkung einer Magnetnadel durch einen Kreisstrom; Bussolen	901
	Tangentenbussole von Pouillet und W. Weber	
	Tangentenbussole von Obach	. 90 5
	Tangentenbussole von Wiedemann; Spiegelbussolen	. 308
WCLL	RER, Physik. IV. 4. Aufl.	

X		Inhaltsverzeichnis.	
		Warrend and the TW West or	Seite
		Tangentenbussole von W. Weber	907
		Sinusbussole	908
		Der Multiplikator	912
8.	128.		916
0	-	Absolutes elektromagnetisches Maß	917
		Elektrochemisches Äquivalent des Wassers	921
		Dimensionen des Strommaßes: Definition des Ampère	922
2	400	Absolutes elektrodynamisches Maß	923
§.	129.	Magnetisierung durch den galvanischen Strom	925
R	130.	Elektromagnete	929
2.	100.	von Lenz und Jacobi	931
		Versuche von Müller und von Waltenhofen	935
		Theorie der Magnetisierung von W. Weber	940
		Versuche von Wiedemann und von Quintus Icilius	945
§.	131.		-
		der Stäbe	947
		Theorie der Magnetisierung von Poisson	949
		Magnetisiarung des notationsempsoides	952 954
		Magnetisierungsfunktion	204
		Abhängigkeit des Magnetismus von der Dicke und Länge der Stäbe	957
		Satz von W. Thomson	960
		Satz von W. Thomson	963
		Verteilung des Magnetismus nach der Länge des Elektromagnetes	965
	132.		969
200	133.		975
3.	134.	Magnetisches Verhalten nicht eisenhaltiger Körper, Diamagnetismus Diamagnetismus und Magnetismus der Flüssigkeiten	977 981
		Abhängigkeit der diamagnetischen Abstoßung von der Umgebung	982
		Diamagnetismus der Gase	984
8.	135.		985
		Diamagnetometer von W. Weber	987
		Archimedisches Princip im Magnetfelde	991
g.	136.		992
		Specifischer Magnetismus verschiedener Substanzen	996
		Magnetisierungskonstante des Wismut Magnetismus der Salze und deren Lösungen; Molekularmagnetismus	998
8	137.	Magnetismus der Saize und deren Losungen; Molekularmagnetismus	998
	138.		1006
91		Beobachtungen von Faraday; Unterschied der magnetischen und	-
		optischen Drehung	1008
		Nachweis der Drehung für die Wärmestrahlen	1011
		Untersuchung von Bertin	1012
		Untersuchung von Verdet	1014
		Positive und negative Drehung	1016
		Drehung der Polarisationsebene bei Reflexion im magnetischen Feld	1017
		Proteing dorr outside to the feet and and an angular for	1010
		D-111 F-11-1	
		Drittes Kapitel.	
		Elektrische Induktion.	
6.	139.	Induktion in linearen Leitern durch entstehende und verschwin-	
0.	-50	dende Ströme	1020
	12	dende Ströme	
		Stromes	1024
		Gesetz von Lenz fiber die Stromerregungen durch Induktion	1024
		Induktion durch Magnete	102

	Inhaltsverzeichnis.	XI
§ 140.	Gesetze der Induktionsströme	Seite 1027
	Messungen von Lens	1027 1031
	Messungen von W. Weber	
	Magnete	1035
§. 141.	Extrastrom	1039
§. 142.	Messungen von Edlund	1042 1045
§. 142. §. 143.	Uninolara Induktion	1047
§. 144.	Unipolare Induktion	1051
3	Bestimmung der Inklination mit dem Erdinduktor von W. Weber	1053
§. 145.	Induktionsströme höherer Ordnung	1055
ĝ. 146.	Theorie der Induktion von K. E. Neumann	1057
	Induktion in Leitern mit Gleitstellen	1061
§. 147.	W. Webers Theorie der Induktion	1063
	Induktion in einem linearen Leiter durch Annäherung an einen	
	Strom	1065
		1050
	in einem benachbarten Stromkreise	1070
	Messungen von Buff über die Induktion in einem geradlinigen Leiter	1074
§. 148.	Leiter	1076
§. 149.	Anwendung der Dämpfung bei der Galvanometrie	1083
	Theorie der aperiodischen Galvanometer	1084
	Messung konstanter Ströme durch den ersten Ausschlag bei ge- dämpften Galvanometern	1087
	Messung der Induktionsströme durch den ersten Ausschlag	1088
	Multiplikationsmethode	1089
§. 150,	Multiplikationsmethode	1090
š. 151.	Magnetelektrische und dynamoelektrische Induktionsapparate.	1096
	Induktionsapparat von Stöhrer	1097
	Grammescher Ring	1100
	Induktionstrommel von v. Hefner-Alteneck	1102
	Maschine von Gramme	1104
2	Maschine von Siemens	1105
§ 152.	Theorie der Dynamomaschinen	1107
§ 150	Das Telephon.	1111
\$ 154.	Elektromagnetische Induktionsapparate	1112 1117
155.	Spannungserscheinungen an geöffneten Induktionsspiralen Entladungen durch mit verdünnten Gasen gefüllte Räume	1121
	Das nositiva Rüschellicht	1124
	Das positive Büschellicht	1130
	Elektrische Leitung der Gase	1132
§ 156.	Elektrische Leitung der Gase	1135
§ 157.	Zurückführung der elektromotorischen Kraft und des Widerstandes auf absolutes Maß	1138
	Absolutes elektromagnetisches Mass	1139
	Dimensionen der absoluten elektromagnetischen Maße	1141
	Volt, Ohm, Ampère, Coulomb, Farad	1142
	Methoden zur Vergleichung der Quecksilbereinheit mit dem Ohm	1143
š. 158.	Wert des Ohm in Quecksilbereinheiten	1150
\$ 158. \$ 159.	Absolutes elektrodynamisches Maß der Konstanten	1151 1153
	Dimensionen des mechanischen Maßes verglichen mit den Dimen-	1100
	sionen des elektromagnetischen Maßes	1155
	Bestimmung der Geschwindigkeit v	1156
	Bestimmung der Geschwindigkeit v	1160
§. 160.	Vergleichungen der Arbeiten des Stromes mit der mechanischen	
-	Wärmetheorie	1161
	Wärmetheorie	
	Wärmemenge	1165

Inhaltsverzeichnis.

Versuche von v. Quintus Icilius; Joule u. Fr. Weber Thomsonscher Satz über das Verhältnis der elektromotorischen Kraft zur chemisch in den Ketten entwickelten Wärmemenge. Theorie von Braun über die Beziehung der elektromotorischen Kraft zur chemisch in den Ketten entwickelten Wärmemenge. Satz von v. Helmholtz über die Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft von der Temperatur entwickelt aus der Theorie	1166
von Braun	1168
Bestätigung des Satzes durch die Messungen von Czapski,	
Gockel, Jahn	1169
Elektrolyse	1172
Induktion	1174

Einleitung.

Grundzüge der Lehre vom Potential.

§. 1.

Die Potentialfunktion. Die magnetischen und elektrischen Erscheinungen, deren Behandlung die Aufgabe des vorliegenden Bandes ist, sind meist abhängig von den Anziehungen und Abstoßungen, welche getrennte Magnetismen oder Elektricitäten auf einander ausüben. Dabei kommt es häufig, ja bei den elektrischen Erscheinungen in der Regel vor, dass die auf einander einwirkenden Agentien nicht in zwei Punkten konzentriert sind, dass vielmehr eine ausgedehnte Menge auf einen Punkt oder dass zwei ausgedehnte Mengen auf einander einwirken. Die direkte Berechnung der Anziehungen oder Abstossungen ist in den letzteren Fällen eine ziemlich komplizierte, weil die Richtungen, nach welchen die einzelnen Punkte der auf einander einwirkenden Mengen einander anziehen und abstofsen, sehr verschieden sind.

Die Berechnung dieser Wirkungen wird äußerst erleichtert durch Einführung einer Funktion, aus welcher sich die Anziehung oder Abstofsung, welche irgend ein das wirksame Agens enthaltender Punkt, von einem andern dieses Agens ebenfalls enthaltenden Punkte, oder von mehreren solchen Punkten oder auch von einer ausgedehnten Menge des Agens erfährt, direkt berechnen läßt. Eine solche Funktion nennt man im allgemeinen Kräftefunktion¹); in dem speciellen von uns zu besprechenden Falle, in welchem sich zwei in je einem Punkte konzentrierte Mengen des Agens mit einer Kraft anziehen oder abstoßen, welche der Größe dieser Mengen direkt, dem Quadrate ihres Abstandes umgekehrt proportional ist, die Potentialfunktion oder auch schlechtweg das Potential. Erstere Bezeichnung wurde von Green gewählt, der zuerst diese Funktion ausführlicher behandelte und ihre Eigenschaften darlegte²); letztere Bezeichnung wählte Gauss, der ohne-die Arbeit von Green zu kennen in seiner Abhandlung: "Allgemeine Lehrsätze in Beziehung auf die im verkehrten Verhältnisse des Quadrats der Entfernung wirkenden Anziehungsund Abstofsungskräfte" die Theorie der Funktion schon vollständig ent-

¹⁾ Clausius, Die Potentialfunktion und das Potential. 3. Aufl., Leipzig 1877.

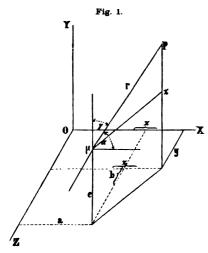
^{§. 4} gemās der von Hamilton gewählten Bezeichnung force function.

2) Green. An essai on the application of mathematical analysis to the theories of electricity and magnetisme. Nottingham 1828; wieder abgedruckt in Crelles Journal Bd. XLIV und XLVII.

wickelte¹). Clausius hat später²) die Greensche Bezeichnung wiede genommen und einen Unterschied zwischen Potentialfunktion und Pc gemacht, der später hervortreten wird.

Gleich an dieser Stelle wollen wir schon hervorheben, das wir zwar von Kräften gesprochen haben, mit denen Agentien sich au oder abstosen mit einer Stärke, welche dem Quadrate ihres Absumgekehrt proportional ist, dass die Potentialfunktion indes vor Bedeutung gar nichts einbüst, wenn wir eine direkte Fernewirkung den Raum gar nicht annehmen. Ob die von einem Punkte des I auf einen andern ausgehende Wirkung direkte Fernewirkung ist, o sie durch Vermittelung eines Zwischenmittels von Punkt zu Punk schreitend zustande kommt, ist ganz gleichgiltig; die unsern suchungen zu Grunde liegende Voraussetzung ist nur die, dass die W des einen Punktes auf den andern abnimmt, wie die Quadrate de fernung wachsen. Wir bemerken das schon hier, weil wir sehen v dass man in neuerer Zeit versucht hat, die elektrischen Erschein ohne Annahme einer Fernewirkung verständlich zu machen.

Zur Definition der Potentialfunktion, um die Greensche Bezeic beizubehalten und mit Clausius Potentialfunktion und Potential von ander zu unterscheiden, denken wir uns in einem Punkte p des R der durch seine drei auf ein rechtwinkliges Koordinatensystem bez Koordinaten x, y, z, Fig. 1, gegeben ist, die Menge eins des wirl



Agens konzentriert. In einem Punkte μ des Raumes, der dur Koordinaten a, b, c gegeben i die Menge m des wirksamen konzentriert. Die Kraft, mit v die im Punkte μ vorhandene Me die im Punkte p vorhandene eins anzieht oder abstöfst, od gemeiner ausgedrückt, durch von der im Punkte μ vorhan Menge ausgehend in p die Werfolgt, ist, wenn $\mu p = r$ gesetz

$$+ k \frac{m}{r^2}$$

Das Vorzeichen ist unbestimmt, folge der Wirkung sowohl ein A von p gegen m hin, als von eintreten, oder kurz ausgedrück

die Kraft eine anziehende oder abstoßende sein kann. Wir woll abstoßenden Kräfte, welche den Abstand r zu vergrößern suchei dem positiven, die anziehenden mit dem negativen Vorzeichen ver Die in dem Ausdrucke stehende Konstante k hängt von dem

¹⁾ Gauss, Resultate aus den Beobachtungen des magnetischen Vere Jahre 1839.

²⁾ Clausius a. a. O. §. 12. Die Schrift von Clausius giebt eine sehr wichtliche Darstellung der Lehre von der Potentialfunktion.

ab, mit welchem wir die Menge des wirksamen Agens messen. Wir können dieselbe gleich 1 setzen, wenn wir jene Menge des Agens gleich der Einheit setzen, welche auf eine ihr gleiche aus der Einheit der Entfernung die Einheit der Anziehung oder Abstosung ausübt. Denn in dem Falle wird für m=1 und r=1 die Wirkung gleich eins, demmislige muß k=1 gesetzt werden.

Die Wirkung der Masse m ist nach der Verbindungslinie μp gerichtet. Sind außer der Masse m im Punkte μ noch andere Mengen $m_1, m_2 \ldots$ in Punkten $\mu_1, \mu_2 \ldots$ vorhanden, welche von dem Punkte p nach irgend welchen Richtungen um $r_1, r_2 \ldots$ entfernt sind, so erhält der Punkt p von dieser die jedesmal nach der Richtung der Verbindungslinie gehenden Antriebe

$$\pm \frac{m_1}{r_1^2}, \quad \pm \frac{m_2}{r_2^2} \cdots$$

Um die Größe und Richtung der resultierenden auf die Menge eins des im Punkte p konzentrierten Agens, oder wie wir kurz sagen wollen, auf den Punkt p wirkenden Kraft zu erhalten, müssen wir jede dieser Kräfte in ihre Komponenten parallel X, Y, Z zerlegen. Die Summe der Komponenten parallel einer der Axen giebt die auf den Punkt p überhaupt nach dieser Richtung wirkende Kraft, so daß wir in den drei den Axen parallelen Komponenten drei auf den Punkt p wirkende Kräfte erhalten, aus denen wir nach dem Satze vom Kräfteparallelogramm die Größe und Richtung der Resultierenden berechnen können. Die Komponenten dieser Kräfte parallel den Axen erhalten wir, indem wir die Kräfte mit dem Cosinus der Winkel multiplizieren, welche die Richtungen r mit den Axen bilden. Bezeichnen wir diese Winkel mit α , β , γ , so werden die Komponenten, wenn wir, um nicht doppelte Vorzeichen schreiben zu müssen, voraussetzen, die Kraft sei eine abstoßende für die Menge m des Agens

$$\xi = \frac{m}{r^2}\cos\alpha, \quad \eta = \frac{m}{r^2}\cos\beta, \quad \zeta = \frac{m}{r^2}\cos\gamma.$$

Ganz ebensolche Ausdrücke erhalten wir für die andern Kräfte.

In diesen Ausdrücken können wir sowohl r als die drei Cosinus durch die Koordinaten der beiden Punkte ausdrücken; es ist zunächst

$$r^2 = (x-a)^2 + (y-b)^2 + (z-c)^2$$
.

Legen wir durch μ ein mit dem gegebenen paralleles Koordinatensystem, so erkennt man ferner, wenn man die Verbindungslinie r auf dieses neue Koordinatensystem projiziert, daß

$$\cos \alpha = \frac{x-a}{r}, \quad \cos \beta = \frac{y-b}{r}, \quad \cos \gamma = \frac{z-c}{r},$$

somit, dass die drei Komponenten werden

$$\xi = \frac{m(x-a)}{r^3}, \quad \eta = \frac{m(y-b)}{r^3}, \quad \xi = \frac{m(z-c)}{r^3}.$$

Diese drei Komponenten ergeben sich unmittelbar als die drei partiellen Differentialquotienten der Funktion

$$-\frac{m}{r} = -\frac{m}{\sqrt{(x-a)^2 + (a-b)^2 + (x-c)^2}}$$

meh x, y und x, das heilst der drei Differentialquotienten dieser Funktion, wenn wir einmal nur x, dann nur y und schließlich nur x als veränderliche Griffsen betrachten. Denn es ist mulichst

$$\frac{\partial - \frac{m}{r}}{\partial r} = \frac{m}{r^2} \frac{\partial r}{\partial r},$$

and do

$$r = \left\{ (x-a)^2 + (y-b)^2 + (x-c)^2 \right\}^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{\partial r}{\partial x} = \frac{x-a}{V(x-a)^2 + (x-b)^2 + (x-c)^2} = \frac{x-a}{r},$$

soult wird

$$\frac{\partial - \frac{m}{r}}{\partial x} = \frac{m}{r^2}(x - a) = \xi.$$

Ganz in derselben Weise ist

$$\frac{\partial - \frac{m}{r}}{\partial y} = -\frac{\partial \frac{m}{r}}{\partial y} = \frac{n}{r^2} (y - b) = q,$$

und

$$-\frac{e^{\frac{m}{r}}}{\frac{\partial r}{\partial x}} = \frac{m}{e^{2}}(x-c) = \zeta.$$

Die drei partiellen Differentialquotienten der Funktion $-\frac{m}{r}$ oder die negativ genommenen Differentialquotienten der Funktion $\frac{m}{r}$ nach den Veründerlichen x, y, z geben uns somit die den Koordinatenaxen parallelen Komponenten der von der Menge des Agens m auf den Punkt p wirkenden abstoßenden Kraft.

Würden wir die Differentialquotienten anstatt von $-\frac{m}{r}$ von $\frac{m}{r}$ gebildet haben, oder was dasselbe ist, hätten wir nicht die negativ genommenen Differentialquotienten von $\frac{m}{r}$, sondern von $-\frac{m}{r}$ gebildet, so hätten unsere Ausdrücke für ξ , η , ξ das negative Vorneichen bekommen, wir hätten also die Komponenten der von m auf den Punkt p wirkenden Anziehungen erhalten. Wir können demnach die Komponenten der von m aus auf p ausgeühten Wirkungen allgemein setzen

$$\xi = -\frac{\partial \left(\pm \frac{m}{r}\right)}{\partial x}, \quad \eta = -\frac{\partial \left(\pm \frac{m}{r}\right)}{\partial x}, \quad \xi = -\frac{\partial \left(\pm \frac{m}{r}\right)}{\partial z},$$

der Klammer das positive Vorzeichen für abstaßende, das negative abende awischen se und p thätige Kräfte zu setzen ist.

o Funktion + ", deren Kenntnis somit genugt, um die von

der Menge m eines wirksamen Agens im Punkte p ausgeübte Wirkung m berechnen, nennt man die Potentialfunktion der Menge m, dieselbe ist somit für die in einem Punkte des Raumes konzentrierte Menge eines Agens m nichts anders als der mit dem positiven oder negativen Vorzeichen versehene Quotient aus der gegebenen Menge m und dem Abstande r des Punktes p, für welchen die Potentialfunktion gebildet wird. Das Vorzeichen ist positiv zu nehmen, wenn die Wirkung zwischen m und dem Punkte p abstofsend, negativ, wenn sie anziehend ist.

Wir wollen hier schon bemerken, dass bei Verwendung der Potentialfunktion bei Behandlung der magnetischen und elektrischen Erscheinungen das Vorzeichen unmittelbar gegeben ist. Wir werden nämlich sehen, dass es zwei verschiedene Magnetismen und zwei verschiedene Elektricitäten giebt; zwei Mengen gleicher Magnetismen und zwei Mengen gleicher Elektricitäten stoßen sich ab, zwei Mengen verschiedener Magnetismen oder verschiedener Elektricitäten ziehen sich an. Geben wir in unseren Rechnungen den verschiedenen Magnetismen und den verschiedenen Elektricitäten verschiedenen Magnetismen und den verschiedenen Elektricitäten verschiedenen Vorzeichen und setzen dabei voraus, das in dem Punkte p immer die Einheit des positiven Agens konzentriert sei, so wird die Potentialfunktion in ihrem Vorzeichen durch das Vorzeichen der Menge m von selbst bestimmt. Indem wir also das Vorzeichen der Potentialfunktion durch das Vorzeichen des Agens m sich bestimmen lassen, können wir einfach den Quotienten

$$\frac{m}{r} = v$$

als die Potentialfunktion definieren, und erhalten die den Koordinatenaren parallelen Wirkungen

$$\xi = -\frac{\partial v}{\partial x}, \quad \eta = -\frac{\partial v}{\partial y}, \quad \zeta = -\frac{\partial v}{\partial z}$$

in den drei mit dem negativen Vorzeichen versehenen Differentialquotienten des Quotienten v.

Sobald wir anstatt der Wirkung nur einer Menge m auf den Punkt p jene einer Anzahl Quantitäten auf denselben Punkt zu berechnen haben, tritt die Bedeutung der Potentialfunktion für die Vereinfachung der Rechnung deutlich hervor. Sind die Mengen $m_1, m_2 \ldots$ in den nach irgend welchen Richtungen liegenden Abständen $r_1, r_2 \ldots$ von dem durch seine Koordinaten x, y, z gegebenen Punkte p vorhanden, so sind die in gleicher Weise gebildeten Quotienten

$$\frac{m_1}{r_1}$$
, $\frac{m_2}{r_2}$ \cdots $\frac{m_n}{r_n}$

die Potentialfunktionen der einzelnen Quantitäten im Punkte p. Die der Λ xe der X parallele Komponente der auf den Punkt p ausgeübten Wirkungen ist

$$X = \Sigma \xi = -\left\{ \frac{\partial \frac{m_1}{r_1}}{\partial x} + \frac{\partial \frac{m_2}{r_2}}{\partial x} + \cdots + \frac{\partial \frac{m_n}{r_n}}{\partial x} \right\} = -\sum \frac{\partial \frac{m}{r}}{\partial x},$$

dieselbe ist somit die Summe der sämtlichen partiellen Differentialquotienten nach x, jeder für die einzelne der gegebenen Mengen gebildet. Wie wir nun wissen und wie sich unmittelbar aus dem Begriffe der Summe ergiebt, ist die Summe dieser Differentialquotienten gleich dem Differentialquotienten der Summe der einzelnen Funktionen, oder

$$\Sigma \frac{\partial \frac{m}{r}}{\partial x} = \frac{\partial \Sigma \frac{m}{r}}{\partial x}.$$

Somit folgt

$$X = \Sigma \xi = -\frac{\partial \Sigma \frac{m}{r}}{\partial x}.$$

Die Summe aller Quotienten $\frac{m}{r}$ ist demnach für die Berechnung der von den verschiedenen Mengen m auf den Punkt p ausgeübten Wirkungen dasselbe, was der Quotient $\frac{m}{r}$ für die einzelne Menge ist. Diese Summe ist somit die Potentialfunktion der gegebenen Mengen m; setzen wir

$$\Sigma \frac{m}{r} = V,$$

so werden die den Koordinatenaxen parallelen Komponenten der Wirkung dieser Mengen auf den Punkt dargestellt durch

$$X = -\frac{\partial V}{\partial x}$$
 $Y = -\frac{\partial V}{\partial y}$ $Z = -\frac{\partial V}{\partial z}$

Es wird gut sein, wenn wir an dieser Stelle uns die Bedeutung dieser Differentialquotienten noch etwas fasslicher machen. Die Funktionen v und V sind von den drei veränderlichen Größen x und y und z nur dadurch abhängig, dass sie sich auf den Punkt p beziehen, dessen Lage im Raum eben durch diese Koordinaten gegeben ist, so dass, sobald wir diesen Koordinaten bestimmte Werte beilegen, der Punkt p ein ganz bestimmter wird. Das Zeichen der oder dV in den betreffendern Differentialquotienten bedeutet diejenige Veränderung, welche v oder V erfahren, wenn die in dem Nenner des betreffenden Quotienten vorkommende Veränderliche sich dadurch ändert, dass der Punkt p in der Richtung dieser Veränderlichen etwas verschoben wird, wenn der Punkt sich also in der Richtung x um ∂x , oder in der Richtung y um ∂y , oder in der Richtung z um dz verschiebt. Die Lage der einzelnen mit dem Agens versehenen Punkte bleibt dabei ganz ungeändert, dieselbe ist eine durchaus gegebene. Der Quotient $\frac{\partial v}{\partial x}$ bedeutet deshalb die Veränderung, welche verfahren würde, wenn der betrachtete Punkt p in der Richtung x um die Längeneinheit verschoben würde, vorausgesetzt, daß sich auf dieser ganzen Strecke die Funktion durch Verschiebung des Punktes p um jedesmal du um die gleiche Größe ändern würde. Gleiches gilt für die andern Quotienten. Wir können demnach die Potentialfunktion einer gegebenen Menge eines wirksamen Agens als jene Funktion definieren, welche für einen bestimmten Punkt des Raumes einen bestimmten Wert hat, und deren mit dem negativen Vorzeichen versehene Änderung, wenn sich der betrachtete Punkt nach der Richtung einer der Axen um die Längen-

einheit verschiebt, uns die Größe der Kraftkomponente giebt, welche der

Richtung dieser Axe parallel ist, dabei vorausgesetzt, dass die Veränderung der Potentialfunktion bei der Veränderung der betreffenden Entfernung um die gleiche Größe auch immer die gleiche wäre. Festzuhalten ist dabei immer, dass eine Änderung der Funktion überhaupt nur durch eine Verschiebung des Punktes eintritt, auf den sich die Potentialfunktion der gegebenen Agentien bezieht.

§. 2.

Die Potentialfunktion einer räumlich ausgedehnten Menge eines Agens. Wenn wir anstatt einer Anzahl einzelner, in verschiedenen Punkten komentrierter Mengen eines Agens irgend einen mit dem Agens stetig gefüllten Raum haben, so können wir durch ganz dieselbe Überlegung die Potentialfunktion der so gegebenen Menge zunächst auf einen außerhalb derselben gelegenen Punkt erhalten. Ist die in einem Volumelement des Raumes vorhandene Menge des Agens gleich dm und der Abstand dieses Volumelementes von dem betrachteten Punkte gleich r, so ist die Potentialfunktion dieser Menge dm gleich

 $\frac{dm}{r}$.

Die Potentialfunktion der ganzen Menge ist die Summe aller der unendlich vielen Mengen dm, welche in dem gegebenen Raume vorhanden sind, jede dividiert durch ihren Abstand von dem betrachteten Punkte. Die Summe wird hier das über den ganzen mit dem Agens ausgefüllten Raum ausgedehnte Integral

 $V = \int \frac{dm}{r},$

dessen Berechnung nur möglich ist, wenn man weiß, wie das Agens im Raume verteilt ist. Die Kraftkomponenten sind gerade so zu bestimmen, wie bei getrennten Massen, es ist die X-Komponente

$$X = \int -\frac{\partial \frac{dm}{r}}{\partial x} = -\frac{\partial \int \frac{dm}{r}}{\partial x} = -\frac{\partial V}{\partial x},$$

und die gleichen Ausdrücke bekommen wir für die beiden andern Komponenten.

Bei dem Übergange von getrennten in einzelnen Punkten konzentrierten Mengen zu einem mit dem Agens stetig gefüllten Raume haben wir angenommen, der betrachtete Punkt liege außerhalb des mit dem Agens gefüllten Raumes. Es kann indessen auch der Fall eintreten, daßs man die Kraft bestimmen will, welche von diesem Agens auf eine im Innern des mit ihm ausgefüllten Raumes befindlichen Punkt resp. auf die in diesem gedachte Einheit des Agens wirkt. Es fragt sich, können wir auch für einen solchen Punkt die Potentialfunktion bilden und durch Differentiation nach den Koordinatenaxen die Kraftkomponenten erhalten. Es bedarf das einer besondern Untersuchung, denn wenn der betrachtete Punkt innerhalb des von dem Agens gefüllten Raumes sich befindet, ist für die Elemente dm, welche in unmittelbarer Nähe desselben liegen, der Wert r unendlich klein; für diese Elemente wird somit der Wert

durchaus unbestimmbar. Das gleiche gilt dann auch von der Summe resp. dem Integral, welches diese unbestimmbaren Glieder enthält.

Es bedarf indes nur einer leichten Umformung unseres Ausdruckes für die Potentialfunktion, um zu zeigen, sowohl dass die Potentialfunktion, in derselben Weise gebildet einen bestimmten angebbaren Wert hat, als auch dass ihre drei partiellen Differentialquotienten die Komponenten der auf den betrachteten Punkt wirkenden Kraft geben.

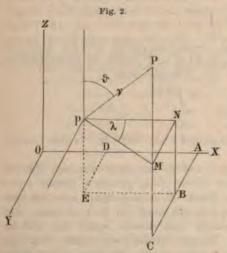
Um das erstere nachzuweisen, sei du ein Element des von dem wirksamen Agens ausgefüllten Raumes und \varkappa die Dichtigkeit des Agens an dieser Stelle, welche für die verschiedenen Stellen des Raumes indes verschieden sein kann, nur an allen Stellen einen endlichen angebbaren Wert haben soll. Die Ordinaten des Elementes seien a, b, c, jene des im Innern des Raumes liegenden Punktes p, in bezug auf welchen die Potentialfunktion gebildet werden soll, x, y, z, so daß der Abstand dieses Punktes von dem Elemente $\varkappa du$ gegeben ist durch

$$r^2 = (a-x)^2 + (b-y)^2 + (c-z)^2;$$

die Potentialfunktion ist dann das über den ganzen mit dem Agens gefüllten Raum u ausgedehnte Integral

$$V = \int_{-r}^{r} \frac{\pi du}{r},$$

in welchem bei der Integration a, b, c die Veränderlichen sind, da diese nach und nach alle für den Raum u möglichen Werte annehmen müssen,



während x, y, z konstant sind, da es die Koordinaten des Punktes im Raume sind, in bezug auf welchen die Potentialfunktion gebildet werden soll.

Die Umformung, die wir vornehmen, ist die, daß wir die Werte von a, b, c durch Polarkoordinaten ausdrücken. Ist Fig. 2 p der Punkt mit den Koordinaten x, y, z in dem Koordinatensystem, dessen Mittelpunkt in O liegt, und P der Punkt mit den Koordinaten a, b, c, wo das Element du liegt, so daß

$$PC = c$$
, $CA = b$, $OA = a$ ist, und legen wir durch den Punkt p das dem ersten parallele

Koordinatensystem, so können wir zunächst schreiben, wenn pM die Projektion von pP oder r auf die XY-Ebene des durch p gelegten, dem ursprünglichen parallelen Koordinatensystemes ist,

$$PC = MC + PM = z + PM,$$

$$CA = AB + BC = AB + MN = y + MN,$$

$$OA = OD + DA = OD + EB = OD + pN = x + pN.$$

Beseichnen wir den Winkel, welchen pP = r mit der \mathbb{Z} -Axe bildet, mit ϑ , den Winkel, welchen die Projektion von r oder pM mit der X-Axe bildet, mit λ , so ist

 $PM = r \cos \vartheta$, $pN = r \sin \vartheta \cos \lambda$, $MN = r \sin \vartheta \sin \lambda$, somit werden

$$a = x + r \sin \theta \cos \lambda$$
, $b = y + r \sin \theta \sin \lambda$, $c = z + r \cos \theta$.

Um das Volumelement du durch die Veränderlichen r, 3, & auszudrücken, denken wir uns um p als Mittelpunkt zwei Kugelflächen, beschrieben mit dem Radius r und dem Radius r + dr, zwischen denen das Element duliegt. Die Kugelschale denken wir uns durch zwei in der Axe der $oldsymbol{z}$ sich schneidende Ebenen geschnitten, deren eine durch den Punkt P geht, und welche den unendlich kleinen Winkel $d\lambda$ mit einander bilden, und weiter durch zwei Ebenen senkrecht zur Z-Axe, welche einander unendlich nahe liegen und deren eine durch den Punkt P geht. Diese vier Ebenen schneiden aufs der Kugelschale das Element du aus. Auf der Kugelfläche mit dem Radius r scheiden die vier Ebenen ein Viereck aus; das eine Seitenpaar dieses Vierecks liegt auf den Kreisen, in welchen die zur Z-Axe senkrechten Schnitte die Kugelfläche schneiden. Da der Radius dieser Kreise gleich r sin ϑ ist, und da die beiden durch die Z-Axe gelegten Schnitte, welche dieses Seitenpaar begrenzen, den Winkel da mit einander bilden, so ist die Länge des Seitenpaares r sin & dl. Das andere Seitenpaar liegt in den in der Z-Achse sich schneidenden Ebenen, es sind also Bögen größter Kreise auf der mit dem Radius r beschriebenen Kugel. lhre Länge ist im Bogenmass $d\vartheta$, somit im Längenmass $rd\vartheta$. Die Fläche des Vierecks ist somit $r^2 \sin \vartheta d\vartheta d\lambda$. Das Produkt aus dieser Fläche und der Dicke dr der durch die beiden Kugelflächen mit den Radien r und r + dr gegebenen Kugelschale ist das Volumelement du oder

$$du = r^2 \sin \vartheta d\vartheta d\lambda dr$$
.

Die Potentialfunktion wird demnach

$$V = \int_{-\pi}^{\pi} \frac{xr^2 \sin \vartheta \, d\vartheta \, d\lambda \, dr}{r} = \int_{-\pi}^{\pi} xr \sin \vartheta \, d\vartheta \, d\lambda \, dr,$$

und die drei variabeln Größen, nach denen die Integration auszuführen ist, sind r, ϑ , λ .

Durch diese Umformung ist die Größe r, welche für die unmittelbar bei dem Punkte p liegenden Elemente unendlich klein wird, aus dem Nenner des zu integrierenden Ausdrucks verschwunden, die Größe r steht vielmehr als Faktor darin. Daraus folgt, daß für diejenigen Elemente, welche in unendlich kleinem Abstande von p liegen, die Potentialfunktion selbst unendlich klein wird, oder daß diese zum Werte der Summe nur unendlich wenig beitragen. Es ergiebt sich somit, daß das Integral resp. die Potentialfunktion einen bestimmten endlichen Wert hat, der nur von der Verteilung des Agens in dem gegebenen Raume, sowie von der Ausdehnung und der Form der Begrenzung des Raumes abhängig ist. Ist z durch den ganzen Raum konstant, so läßt sich die Integration nach Rausführen. Ist R der Abstand des Punktes, in welchem r die Begrenzung

des Raumes trifft, von p, so können wir das Integral, wenn wir entsprechend der dreifachen Integration auch drei Integralzeichen anwenden, schreiben

$$V = z \int d\lambda \int \sin \vartheta \, d\vartheta \int_{0}^{R} r \, dr$$

oder

$$V = \frac{1}{2} \times \int d\lambda \int \sin \vartheta R^2 d\vartheta$$
.

Nehmen wir das Integral nach ϑ von 0 bis 2π , so ist es nach λ noch von 0 bis π zu nehmen. Der Wert des Integrals hängt wesentlich davon ab, welche Funktion R von ϑ und von λ ist, welche Form somit die Begrenzung der Menge hat und an welcher Stelle derselben der Punkt p liegt, denn von diesen beiden Umständen hängen die Werte der nach den verschiedenen Richtungen des Raumes gezogenen R ab.

In ganz gleicher Weise ergiebt sich, daß die nach den drei Veränderlichen x, y, z genommenen partiellen Differentialquotienten einen endlichen Wert haben und uns die Kraftkomponenten liefern. Es ist die

X-Komponente

$$X = -\frac{\partial V}{\partial x} = -\frac{\partial \int \frac{dm}{r}}{\partial x} = -\int \frac{\partial \frac{dm}{r}}{\partial x},$$

$$\frac{\partial \frac{dm}{r}}{\partial x} = \frac{dm(a-x)}{r^3},$$

$$X = \int \frac{dm(a-x)}{r^3}.$$

somit, da

Auch jetzt ist die Integration wieder über a, b, c zu nehmen, und bei derselben sind x, y, z konstant. Den Wert von X erhalten wir wieder, wenn wir $dm = \varkappa du$ setzen und du sowie a durch dieselben Polarkoordinaten ausdrücken. Es ist

$$dm = \varkappa du = \varkappa r^2 \sin \vartheta d\vartheta d\lambda dr$$
$$a - x = r \sin \vartheta \cos \lambda,$$

somit

$$X = \int \mathbf{x} \, \sin^2 \vartheta \, \cos \lambda \, d\vartheta \, d\lambda dr \, .$$

Ebenso werden

$$Y = \int \frac{dm (b-y)}{r^3} = \int \varkappa \sin^2 \vartheta \sin \lambda \, d\vartheta \, d\lambda \, dr$$

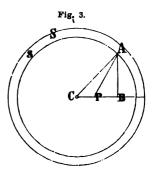
$$Z = \int \frac{dm (c-z)}{r^3} = \int \varkappa \sin \vartheta \cos \vartheta \, d\vartheta \, d\lambda \, dr$$

Auch hier steht die Größe r nicht mehr im Nenner, wir gelangen somit auch für die Kraftkomponenten zu endlichen Werten, und dieselben lassen sich durch die Differentiation der Potentialfunktion nach den Größen x, y, z berechnen, welche die Lage des Punktes, in bezug auf welchen die Potentialfunktion gebildet ist, bestimmen.

§. 3.

Die Potentialfunktion einer homogenen Kugel. Ehe wir in der Untersuchung der Eigenschaften der Potentialfunktion weiter gehen, wird es gut sein, einen speciellen Fall zu behandeln, der als Beispiel der im vorigen Paragraphen abgeleiteten allgemeinen Sätze dienen soll, um so mehr, da wir diesen Fall bei unserer weitern Untersuchung doch zu benutzen haben. Wir wollen die Potentialfunktion einer homogenen Kugel berechnen, sowohl auf einen außerhalb als innerhalb der Kugel liegenden Punkt. Es sei Fig. 3 s ein Durchschnitt der Kugel mit dem Radius R und

Pder betrachtete Punkt in dem Abstande CP = a von dem Mittelpunkte entweder innerhalb der Kugel, wie in der Figur, wenn a < R oder außerhalb derselben, wenn a > R. Wir bestimmen zunächst die Potentialfunktion einer beliebigen Kugelschale vom 'Radius ϱ und der Dicke $d\varrho$. Auch für diese Kugelschale kann ϱ größer oder kleiner sein als a. Anstatt der Potentialfunktion eines Elementes der Kugelschale s können wir sofort diejenige eines Ringes der Schale angeben, den wir senkrecht zu CP aus der Schale herausgeschnitten denken. Ist A ein Punkt dieses Ringes, dessen Lage da-



durch bestimmt ist, dass die Verbindungslinie CA mit CP den Winkel ϑ bildet, und ist $d\vartheta$ ein Bogenelement des Durchschnittes s der innern Fläche der Kugelschale, dessen Länge somit $\varrho d\vartheta$ ist, so ist

$$2\pi A B \varrho d\vartheta = 2\pi \varrho^2 \sin \vartheta d\vartheta$$

die Fläche der Kugelzone, deren Breite gleich ist der Länge des Elementes $d\vartheta$; multiplizieren wir diesen Wert mit $d\varrho$, der Dicke der Kugelschale s, so erhalten wir das Volumen des Ringes der Schale, dessen eines Element A ist, und multiplizieren wir schließlich mit \varkappa der Dichtigkeit des Agens in der Schale, das ist der in der Volumeinheit enthaltenen Menge derselben, so ist

$2\pi \times \varrho^2 \sin \vartheta d\vartheta d\varrho$

die in dem Ringe vorhandene Menge des Agens. Alle Punkte dieses Ringes befinden sich in der gleichen Entfernung r = PA von dem Punkte P, somit ist die Potentialfunktion des Ringes in bezug auf den Punkt P

$$\frac{2\pi \pi \varrho^2 \sin \vartheta d\vartheta d\varrho}{\pi}$$

. Die Summe der Potentialfunktionen aller Ringe der Schale, die wir erhalten, indem wir ϑ alle Werte von $\vartheta=0$ bis $\vartheta=\pi$ beilegen und die entsprechenden Werte von r einsetzen, giebt uns die Potentialfunktion der Kugelschale. Um diese Summe bilden zu können, drücken wir am bequemsten ϑ durch r aus. Es ist

$$r^2 = \varrho^2 + a^2 - 2ar\cos\vartheta.$$

Wächst hierin ϑ um $d\vartheta$, so wächst r um dr, es ist deshalb

$$rdr = a\varrho \sin \vartheta d\vartheta$$

$$\frac{dr}{a} = \frac{\varrho \sin \vartheta d\vartheta}{r}.$$

Damit wird die Potentialfunktion des Ringes

$$\frac{2\pi \times \varrho \, d\varrho \, dr}{a}.$$

Die Summation über die ganze Kugelschale ist jetzt durch die Integration nach r auszuführen, es sind für r nach und nach alle möglichen Werte einzusetzen.

Die Grenzwerte von r sind verschieden, je nachdem der Punkt P im Innern der Schale liegt oder außerhalb derselben. Liegt der Punkt im Innern der Schale, so kann r alle Werte zwischen $\varrho - u$ und $\varrho + \alpha$ annehmen, die Potentialfunktion der Kugel für einen innern Punkt wird somit

$$v_i = \int_{a-a}^{a+a} \frac{2\pi \times o \, do \, dr}{a} = 4\pi \times o \, do$$

Befindet sich der Punkt P außerhalb der Kugelschale, so ist der kleinste Wert, welchen r annehmen kann, gleich $a-\varrho$, der grösste gleich $a+\varrho$, die Potentialfunktion für einen solchen Punkt wird somit

$$v_a = \int_{a-\rho}^{a+\rho} \frac{2\pi \times \varrho \, d\varrho \, dr}{a} = \frac{4\pi \times \varrho^2 \, d\varrho}{a}.$$

Der Zähler dieses letztern Ausdruckes ist die Menge des in der Kugelschale vorhandenen wirksamen Agens, setzen wir diese gleich m, so wird die Potentialfunktion der Schale für einen außerhalb liegenden Punkt

$$v_a = \frac{m}{a}$$

gleich dem Quotienten aus der in der Schale vorhandenen Menge dividiert durch den Abstand des betrachteten Punktes von dem Mittelpunkte der Kugelschale.

Auch die Potentialfunktion der Schale für den innern Punkt können wir auf die entsprechende Form bringen, indem wir setzen

$$v_i = 4\pi\pi\varrho \, d\varrho = \frac{4\pi\pi\varrho^2 \, d\varrho}{\varrho} = \frac{m}{\varrho};$$

die Potentialfunktion einer Kugelschale für einen innern Punkt ist gleich dem in der Schale vorhandenen Agens dividiert durch den Radius der innern Fläche der Schale. Für alle Punkte im Innern einer Kugelschale hat somit die Potentialfunktion denselben Wert, durch keinerlei Verschiebung im Innern der Schale erhält deshalb die Potentialfunktion eine Änderung; es folgt somit, daß eine hömogene Kugelschale auf Punkte, welche sich in dem Hohlraum der Schale befinden, keinerlei Kraftwirkung anstiben kann. Wir gelangen demnach so unmittelbar zu dem Satze, den

wir im §. 43 des ersten Bandes bewiesen haben, das eine homogene Schale nach dem für die ponderabele Materie gültigen Newtonschen Anziehungsgesetz auf einen in ihrem Innern befindlichen Massenpunkt keine Anziehung ausübt.

Den Wert der Potentialfunktion einer Kugel, welche mit einem Agens von überall gleichförmiger Dichte ausgefüllt ist, auf einen außerhalb der Kugel liegenden Punkt erhalten wir aus dem für v_a gefundenen Werte, indem wir die Summe der v_a für alle Werte von ϱ zwischen $\varrho=0$ und $\varrho=R$ bilden, also in dem Integral

$$V_a = \int_0^R \frac{4\pi \times \varrho^2 d\varrho}{a} = \frac{\frac{1}{3}\pi \times R^3}{a} = \frac{M}{a}.$$

Dieselbe ist somit gleich der Menge des in der Kugel eingeschlossenen Agens dividiert durch den Abstand des betrachteten Punktes von dem Mittelpunkte der Kugel.

Um die Potentialfunktion für einen im Innern der Kugel liegenden Punkt zu berechnen, ist zu beachten, daß für alle Kugelschalen, für welche $\varrho < a$ ist, der Punkt ein äußerer, für diejenigen, für welche $\varrho > a$ ist, dagegen ein innerer ist. Die Potentialfunktionen dieser beiden Teile der Kugel sind daher gesondert zu berechnen, und die Summe dieser beiden Teile ist die Potentialfunktion der Kugel für den in ihrem Innern liegenden Punkt.

Der erste Teil dieser Summe ist durch Integration des für v_a erhaltenen Ausdruckes von $\varrho = 0$ bis $\varrho = a$ zu erhalten, derselbe ist somit

$$V_1 = \frac{\sqrt[4]_3 \pi \pi a^3}{a} = \sqrt[4]_3 \pi \pi a^2.$$

Zur Berechnung des zweiten Teils ist der für v_i gefundene Ausdruck zu benutzen und zwar ist derselbe von $\varrho = a$ bis $\varrho = R$ zu integrieren, so daß

$$V_2 = \int_a^R 4\pi \, \mathrm{m} \, \varrho \, d\varrho = 2\pi \, \mathrm{m} (R^2 - a^2)$$

wird. Die Summe beider giebt die Potentialfunktion V_i

$$V_i = 2\pi \pi (R^2 - 1/3 a^2)$$

für einen im Innern der Kugel im Abstande a vom Mittelpunkte dervelben liegenden Punkt.

Die Potentialfunktion hat demnach ihren größten Wert für a = 0, also für den Mittelpunkt der Kugel; mit wachsendem a nimmt sie ab; ist a = R, so wird dieselbe

$$V_i = \frac{4}{3} \pi \times R^2 = \frac{\frac{4}{3} \pi \times R^3}{R}$$

Den gleichen Wert der Potentialfunktion erhalten wir, wenn wir in der Gleichung für V_a den Abstand des Punktes a=R setzen; es folgt somit, dass die Potentialfunktion einer Kugel bei Änderung des Abstandes a des betrachteten Punktes vom Mittelpunkte der Kugel sich stetig ändert, dass bei dem Übergange des Punktes aus dem Innern der Kugel

nach außen keine sprungweise Änderung des Wertes der Potentialfunktion eintritt.

Um die Kraftkomponenten aus der Potentialfunktion abzuleiten legen wir ein dreiaxiges rechtwinkeliges Koordinatensystem mit seinem Mittelpunkte in den Mittelpunkt der Kugel; damit ist

$$a^2 = x^2 + y^2 + z^2.$$

Für einen äußern Punkt wird

$$X = \frac{\partial V_a}{\partial x} = \frac{\sqrt[4]_3 \pi \times R^3}{a^3} x; \quad Y = -\frac{\partial V_a}{\partial y} = \frac{\sqrt[4]_3 \pi \times R^3}{a^3} y;$$
$$Z = -\frac{\partial V_a}{\partial z} = \frac{\sqrt[4]_3 \pi \times R^3}{a^3} z.$$

Die resultierende Kraft wird

$$K = \sqrt{X^2 + Y^2 + Z^2} = \frac{\sqrt{3}\pi \times R^3}{a^3} \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = \frac{M}{a^2}.$$

Für einen im Innern der Kugel vom Radius R im Abstande a vom Mittelpunkte liegenden Punkt wird aus

$$\begin{split} V_i &= 2\pi \varkappa (R^2 - \frac{1}{3}a^2) = 2\pi \varkappa (R^2 - \frac{1}{3}(x^2 + y^2 + z^2)) \\ X &= -\frac{\partial V_i}{\partial x} = \frac{4}{3}\pi \varkappa x; \quad Y = -\frac{\partial V_i}{\partial y} = \frac{4}{3}\pi \varkappa y; \\ Z &= -\frac{\partial V_i}{\partial z} = \frac{4}{3}\pi \varkappa z, \end{split}$$

somit wird

$$K = \sqrt{X^2 + Y^2 + Z^2} = \frac{4}{3}\pi \times \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = \frac{4}{3}\pi \times a.$$

wofür wir auch schreiben können

$$K_i = \frac{4/8 \pi \times a^5}{a^2} = \frac{M_i}{a^2},$$

wenn M_i die Menge des in der Kugel vom Radius a eingeschlossenen Agens bedeutet.

Wir gelangen somit zu dem Satze, daß, wenn ein Agens nach außen abstoßend oder anziehend wirkt, so daß die Wirkung nach dem Quadrate der Entfernung abnimmt, eine homogene Kugel auf einen außerhalb liegenden Punkt gerade so wirkt, wie wenn die Menge des Agens im Mittelpunkte der Kugel konzentriert wäre, auf einen innern Punkt so, wie wenn die Schale, welche im Innern von der Kugelfläche begrenzt ist, auf welcher der Punkt liegt, also die Schale von der Dicke R-a nicht vorhanden und die Menge des in der Kugel vom Radius a vorhandenen Agens im Mittelpunkte der Kugel konzentriert wäre. Wir finden also unmittelbar die Sätze, welche wir im §. 39 und 43 des ersten Bandes schon für die allgemeine Massenanziehung bewiesen haben.

Nimmt in dem Ausdrucke für die auf den äußern Punkt wirkende Kraft a bis a = R ab, oder wächst in dem Ausdrucke für K_i der Wert von a bis a = R, so nehmen beide Ausdrücke den gleichen Wert

$$K = \frac{M}{R^2}$$

an. Es folgt somit, dass auch die Kraft, welche von einer homogenen Kugel auf einen Punkt ausgetibt wird, sich stetig ändert, wenn der Punkt aus dem Innern der Kugel nach außen rückt, dass bei dem Durchtitte des Punktes durch die äußere Kugelfläche keine sprungweise Änderung eintritt.

§. 4.

Niveauflächen. Wenn wir die Potentialfunktion einer gegebenen Menge eines wirksamen Agens kennen, so geben uns, wie wir sahen, deren partielle Differentialquotienten nach den drei Koordinaten die den Azen parallelen Komponenten der Wirkung der Menge auf die in einem Punkte des Raumes vorhandene Einheit des Agens, indem wir in die Differentialquotienten die Koordinaten des betreffenden Punktes einsetzen. Die Wurzel aus der Summe der Quadrate der drei Differentialquotienten giebt uns die Größe der auf den betrachteten Punkt wirkenden Kraft

$$K = \sqrt{\left(\frac{\partial V}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial V}{\partial y}\right)^2 + \left(\frac{\partial V}{\partial z}\right)^2}.$$

Die Richtung der resultierenden Kraft erhalten wir aus der Bedeutung der den Axen parallelen Komponenten, als dem Produkt aus der Größe der Kraft und dem Cosinus des Winkels, den ihre Richtung mit der betreffenden Axe bildet. Ist der Winkel zwischen der Richtung der resultierenden Kraft und der X-Axe gleich α , so ist

$$K\cos\alpha = X; \cos\alpha = \frac{X}{K} = \frac{\partial V}{\partial x};$$

die gleichen mit den beiden andern Differentialquotienten gebildeten Quotienten geben uns die Cosinus der Winkel β und γ , welche die Richtung der Kraft mit den beiden andern Koordinatenaxen bildet.

Die Komponente der Kraft nach irgend einer Richtung s, welche mit der Richtung der Kraft einen Winkel φ bildet, ist gleich dem Produkte $K \cdot \cos \varphi$. Bildet diese Richtung mit den Axen die Winkel α_1 , β_1 , γ_1 , so ist nach einem bekannten Satze der analytischen Geometrie des Raumes

$$\cos \varphi = \cos \alpha \cdot \cos \alpha_1 + \cos \beta \cdot \cos \beta_1 + \cos \gamma \cdot \cos \gamma_1.$$

Denken wir uns den betrachteten Punkt in der Richtung s um das unendlich kleine Stück ds verschoben, so ist

$$\cos \alpha_1 = \frac{dx}{ds}$$
, $\cos \beta_1 = \frac{dy}{ds}$, $\cos \gamma_1 = \frac{dz}{ds}$.

Setzen wir diese und die vorhin für cos α·· erhaltenen Ausdrücke in die Gleichung für cos φ und multiplizieren mit K, so wird

$$K\cos\varphi = -\left\{\frac{\partial V}{\partial x}\frac{dx}{ds} + \frac{\partial V}{\partial y}\frac{dy}{ds} + \frac{\partial V}{\partial z}\frac{dz}{ds}\right\}.$$

Die in der Klammer eingeschlossene Summe ist nichts anders als die Änderung, welche V erfährt, wenn der betrachtete Punkt in der Richtung sum die Strecke ds verschoben gedacht wird, dividiert durch die Strecke ds, so daß

$$K\cos\varphi = -\frac{dV}{ds}$$

der Differentialquotient der Potentialfunktion nach der gegebenen Richtung uns die in dieser Richtung *fallende Komponente der Kraft giebt. Es folgt dieser Satz auch unmittelbar aus dem Wesen der Potentialfunktion, als jener Funktion, deren nach den drei Koordinaten x, y, z genommenen Differentialquotienten uns die den Axen parallelen Komponenten liefert. Denn da über die Richtung der Axen gar keine Voraussetzung gemacht ist, dieselbe vielmehr jede beliebige sein kann, so folgt schon notwendig, daß die Veränderung der Potentialfunktion durch Verschiebung des betrachteten Punktes nach einer beliebigen Richtung dividiert durch die unendlich kleine Verschiebung die in diese Richtung fallende Komponente der Kraft geben muß.

So giebt uns die Potentialfunktion der Kugel in bezug auf einen äußern im Abstande a vom Mittelpunkt gelegenen Punkt, durch Bildung des Differentialquotienten der Funktion nach a die auf den Punkt wirkende Kraft, da die Richtung der Resultierenden mit der Richtung a zusammenfällt, es ist

$$-\frac{d\frac{M}{a}}{da} = \frac{M}{a^2}.$$

Die Richtung und Größe der von einer gegebenen Menge eines Ageus auf einen Punkt wirkenden Kraft können wir aus der Potentialfunktion noch in einer andern übersichtlichen Weise darstellen. Die Gleichung

$$v = c$$

liefert uns nicht nur die Potentialfunktion für den einzigen Punkt, für den sie berechnet ist, sondern gleichzeitig für alle Punkte einer Fläche, für welche die Potentialfunktion den gleichen Wert hat. Es folgt das ans den Sätzen der analytischen Geometrie, nach denen jede Gleichung von der Form

$$f(x, y, z) = \text{constans}$$

eine bestimmte Fläche darstellt. Für die Potentialfunktion der Kugel, z. B.

$$V = \frac{M}{a} = \frac{M}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}$$

für einen außerhalb der Kugel im Abstande a vom Mittelpunkte liegenden Punkt, ist der Wert für alle jene Punkte der gleiche, welche gleichen Werten von a entsprechen. Diese Punkte liegen auf einer um den Mittelpunkt von M mit dem Radius a beschriebenen Kugelfläche, so daß also diese Kugelfläche oder überhaupt jede mit einem beliebigen Radius um den Mittelpunkt von M beschriebene Kugelfläche eine solche ist, auf welcher die Potentialfunktion überall denselben Wert hat. In andern Fällen haben die Flächen gleicher Werte der Potentialfunktion andere Formen.

Die Verschiebung des betrachteten Punktes auf einer solchen durch ihn gelegten Fläche kann deshalb keine Änderung der Potentialfunktion bewirken, deshalb kann auch keine Komponente der auf den Punkt ausgeübten Wirkung in diese Fläche fallen, oder die gesamte auf den Punkt vorhandene Wirkung muß in die Richtung der von der betreffenden Stelle m dieser Fläche gezogenen Senkrechten, in die Normale der Fläche fallen. Diese Flächen verhalten sich somit gerade so, wie die freien Oberflächen von Flüssigkeiten, welche auch an jedem Punkte senkrecht zu der an der betreffenden Stelle wirksamen Kraft sind. Man bezeichnet deshalb diese Flächen als Niveauflächen. Damit können wir kurz die Richtung der Resultierenden der auf einen Punkt wirkenden Kraft dahin angeben, daß sie in die Richtung der Normale der durch den betreffenden Punkt gehenden Niveaufläche fallen muß. Für die von einer homogenen Kugel auf irgend einen außerhalb derselben liegenden Punkt ausgeübte Wirkung ergiebt sich auch so wieder unmittelbar, daß die Richtung derselben in den Radius der Kugel fallen muß.

Die Größe der auf den betrachteten Punkt und tiberhaupt auf einen Punkt der Niveaufläche, zu welcher der betrachtete Punkt gehört, wirkenden Kraft, erhalten wir demnach, wenn wir uns den Punkt in der Richtung der Normalen der Niveaufläche um die Größe dn verschoben denken; ist dV die dieser Verschiebung entsprechende Änderung der Potentialfunktion, so ist

$$K = -\frac{dV}{dn}$$

die Größe der auf den betrachteten Punkt der Niveaufläche wirkenden Kraft.

Hieran schließt sich sofort noch eine Bemerkung über die Niveauflichen. Ebenso wie die Gleichung

$$V = 0$$

einer Niveaufläche entspricht, so auch die Gleichung

$$V + dV = C + \xi.$$

Dieselbe ist die Gleichung einer der ersten unendlich nahen Niveausläche. Der Abstand der zweiten Niveausläche von der ersten ist auf der Normale der beiden Flächen überall gleich $dn = \varepsilon$. Wie sich der Abstand der beiden Flächen, die dadurch gegeben sind, dass die Gleichung der zweiten von der der ersten durch die konstante Größe ξ verschieden ist, an den verschiedenen Stellen der Niveauslächen ändert, das hängt von der Natur der Niveauslächen ab. Sind im speciellen die Niveauslächen Kugeln, so ist für ein konstantes ξ auch ε überall dasselbe; haben die Niveauslächen andere Gestalt, so ändert sich der Abstand der beiden Flächen von Punkt zu Punkt. Da nun in dem die Größe der Kraft an einer Stelle der Niveausläche bestimmenden Quotienten, den wir ohne Rücksicht auf das Vorzeichen schreiben können

$$K=\frac{\zeta}{\epsilon}$$

der Abstand der beiden Niveauslächen im Nenner steht, so folgt, dass die an einem Punkte der ersten Fläche wirksame Kraft dem Abstand der beiden Flächen an der betreffenden Stelle umgekehrt proportional ist.

Es folgt hieraus weiter, dass zwei Niveaussüchen sich niemals schneiden können, denn für die Schnittpunkte würde $\varepsilon = 0$, somit die dort wirksame Kraft unendlich groß.

§. 5.

Bedeutung der zweiten Differentialquotienten der Potentialfunktion. Mit Hilfe der Potentialfunktion einer gegebenen Menge eines Agens können wir nicht nur die in einem beliebigen Punkte des Raumes wirksame Kraft erhalten, wir können aus derselben auch die Verteilung des wirksamen Agens im Raume bestimmen.

Es sei ein gewisses Quantum des Agens, M, gegeben; sei dm eix Element desselben, so dass die Potentialfunktion des Elementes in bezuş auf einen im Abstande r von dem Element befindlichen Punkt gleich

$$\frac{dm}{r}$$
,

somit dasjenige der ganzen Menge in bezug auf denselben Punkt

$$V = \int_{-r}^{r} \frac{dm}{r}$$

ist, worin die Integration über den ganzen mit dem Agens ausgefüllten Raum auszudehnen ist.

Die Differentialquotienten, welche die Kraftkomponenten liefern, sind

$$\frac{\partial V}{\partial x} = \frac{\partial \int \frac{dm}{r}}{\partial x} = \int dm \, \frac{\partial \frac{1}{r}}{\partial x} = -\int dm \, \frac{1}{r^2} \, \frac{x-a}{r},$$

da bei der Differentiation nur r veränderlich und dm als konstanter Faktor zu betrachten ist, und ebenso

$$\frac{\partial V}{\partial y} = -\int dm \frac{1}{r^2} \frac{y-b}{r}, \quad \frac{\partial V}{\partial z} = -\int dm \frac{1}{r^2} \frac{z-c}{r}.$$

Wir bilden von jedem dieser Differentialquotienten den zweiten Differentialquotienten, indem wir bei dieser Differentiation wieder nur jene Größe als veränderlich betrachten, nach welcher auch die erste Differentiation vorgenommen ist, also die Quotienten

$$\frac{\partial \left(\frac{\partial V}{\partial x}\right)}{\partial x} = \frac{\partial^2 V}{\partial x^2}, \quad \frac{\partial \left(\frac{\partial V}{\partial y}\right)}{\partial y} = \frac{\partial^2 V}{\partial y^2}, \quad \frac{\partial \left(\frac{\partial V}{\partial z}\right)}{\partial z} = \frac{\partial^2 V}{\partial z}.$$

Diese werden

$$\begin{split} \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} &= \int^{\epsilon} dm \left\{ -\frac{1}{r^3} + 3 \frac{(x-a)^2}{r^5} \right\} \\ \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} &= \int^{\epsilon} dm \left\{ -\frac{1}{r^3} + 3 \frac{(y-b)^2}{r^5} \right\} \\ \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} &= \int^{\epsilon} dm \left\{ -\frac{1}{r^3} + 3 \frac{(z-c)^2}{r^5} \right\} \end{split}$$

Setzen wir zunächst voraus, dass der betrachtete Punkt außerhalt der wirksamen Menge des Agens liegt, so hat r für alle Elemente dm einen endlichen Wert, und damit haben auch die in den Klammern unter dem Integralzeichen stehenden Ausdrücke für ein gegebenes dm einen timmten von der Lage des Punktes abhängigen Wert. Wir können

demnach, anstatt die einzelnen Integrationen auszuführen, zunächst unter dem Integralzeichen die drei Ausdrücke summieren und erhalten

$$\frac{\partial^2 V}{\partial z^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} = \int^2 dm \left\{ -\frac{3}{r^5} + 3 \frac{(x-a)^2 + (y-b)^3 + (z-c)^2}{r^5} \right\}.$$

Der Zähler des zweiten Ausdruckes in der Klammer unter dem Integralzeichen ist gleich r², somit wird der Ausdruck

$$\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} = \int dm \left\{ \frac{3}{r^3} - \frac{3}{r^3} \right\} = 0,$$

den da jedes einzelne Glied der zu bildenden Summe, jedes Element des Integrals gleich null ist, so ist notwendig das Integral gleich null. Es folgt somit, dass die Summe der drei zweiten partiellen Differentialquotienten der Potentialfunktion, einerlei, welche Form die wirksame Menge des Agens hat, für jeden außerhalb desselben gelegenen Punkt gleich null ist. Man hat für diese Summe das kurze Zeichen ΔV eingeführt, wodurch obige Gleichung die Gestalt erhält

$$\Delta V = 0$$

für jeden außerhalb des wirksamen Agens liegenden Punkt.

Liegt der Punkt innerhalb des wirksamen Agens, so ist die obige Schlußfolge nicht mehr zulässig. Für eine Anzahl Elemente dm, welche dem betrachteten Punkte unendlich nahe liegen, wird dann r und ebenso r-a, y-b und z-c unendlich klein. Wir können deshalb für diese Glieder der Summe keinen bestimmten Wert angeben, da das erste Glied der Klammer einen unendlich kleinen Nenner, das zweite einen unendlich kleinen Nenner und einen unendlich kleinen Zähler enthält. Es bedarf demnach gerade wie bei der Berechnung der Kraftkomponenten und der Potentialfunktion für einen innern Punkt einer besondern Untersuchung, welches der Wert der Summe ΔV in diesem Falle wird.

Um diese Untersuchung führen zu können, denken wir uns die gegebene Menge des Agens in zwei Teile geteilt, von denen der eine eine Kugel von endlichem Radius sein soll, innerhalb welcher irgendwo nur in endlicher Entfernung von der Oberfläche der Kugel der betrachtete Punkt liegen soll. Die Potentialfunktion der gegebenen Menge des wirksumen Agens ist dann gleich der Summe der beiden Potentialfunktionen, jener der Kugel und jener der übrigen Menge; sei die erstere V_1 , die letztere V_2 , so ist also

$$V = V_1 + V_2$$

Damit wird auch

$$\Delta V = \Delta V_1 + \Delta V_2.$$

Von diesen beiden Teilen des Wertes von ΔV ist

$$\Delta V_2 = 0$$
,

^{da} der betrachtete Punkt von jedem Elemente der die Kugel umgebenden Menge in endlicher Entfernung ist. Somit ist

$$\Delta V = \Delta V_1$$
.

Machen wir jetzt die Voraussetzung, dass innerhalb des von der gedachten Kugelfläche umgebenen Raumes die Dichtigkeit des Agens überall

die gleiche und zwar gleich z sei, so können wir nach §. 3 die Potential funktion der Kugel in bezug auf den betrachteten Punkt sofort angeben Ist l der Radius der gedachten Kugel und ϱ der Abstand des betrachteter Punktes von dem Mittelpunkte der Kugel, so ist die Potentialfunktion

$$V_1 = 2\pi \, \kappa \left(l^2 - \frac{\varrho^2}{3}\right) \cdot$$

Setzen wir die Koordinaten des Mittelpunktes der Kugel x_1, y_1, z_1 so ist

$$\varrho^2 = (x - x_1)^2 + (y - y_1)^2 + (z - z_1)^2.$$

Mit diesem Werte von Q2 wird

$$\frac{\partial V_1}{\partial x} = -\sqrt[4]{_3}\pi \varkappa x, \quad \frac{\partial V_1}{\partial y} = -\sqrt[4]{_3}\pi \varkappa y, \quad \frac{\partial V_1}{\partial z} = -\sqrt[4]{_3}\pi \varkappa z,$$

und hieraus

$$\frac{\partial^2 V_1}{\partial x^2} = -\frac{4}{3}\pi x, \quad \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} = -\frac{4}{3}\pi x, \quad \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} = -\frac{4}{3}\pi x.$$

Die Addition der drei Werte giebt

$$\Delta V_1 = \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} = -4\pi x,$$

und damit schliesslich

$$\Delta V = \Delta V_1 = -4\pi x; \quad -\frac{\Delta V}{4\pi} = x.$$

Es folgt somit, dass für einen im Innern des wirksamen Agens liegenden Punkt die Summe der drei zweiten partiellen Differentialquotienten nicht gleich null ist, dass vielmehr die mit dem negativen Vorzeichen versehene Summe dividiert durch 4π gleich ist der Dichtigkeit des Agens an der Stelle, wo sich der betrachtete Punkt befindet 1).

Die vorstehende Ableitung des Satzes hat die Voraussetzung gemacht, dass das wirksame Agens bis zu einer endlichen Entfernung von dem betrachteten Punkte, eben innerhalb der gedachten Kugel überall die gleiche Dichtigkeit hat. Diese Voraussetzung ist indes nicht erforderlich der abgeleitete Satz gilt auch dann, wenn die Dichtigkeit des Agens nicht überall die gleiche ist, wenn sie eine beliebig sich ändernde ist?). zeichnen wir die Dichtigkeit an irgend einer Stelle im Innern des Agens mit κ_p , so ist der Quotient

$$-\frac{\varDelta V}{4\pi}=\varkappa_p,$$

wenn in den Ausdrück AV die Koordinaten des betreffenden Punktes eingesetzt werden, immer die Dichtigkeit des Agens in dem betreffender Mit Hilfe dieses Satzes können wir somit die Verteilung eines wirksamen Agens im Raume unmittelbar angeben, wenn wir die Potentialfunktion desselben kennen.

1) Die Ableitung des Satzes in dieser Form ist nach Briot. Man sehe des-

sen mechanische Wärmetheorie, dentsch von H. Weber, Leipzig 1871.

2) Gauss, Allgemeine Lehrsätze etc. Resultate aus den Beob. d. magn. Vereins für 1839. Clausius, die Potentialfunktion etc. 3. Aufl. Leipzig 1877. 15 bis §. 26

§. 6.

Potentialfunktion und ihre Differentialquotienten in einer Fliche. Bisher haben wir vorausgesetzt, dass das wirksame Agens in einzelnen Punkten konzentriert oder in einem gewissen begrenzten Raume enthalten sei. Außerdem kann auch der Fall eintreten, und wir werden gerade dort, wo wir am meisten von den Sätzen der Potentialtheorie Gebrauch machen, diese Art des Vorkommens des wirksamen Agens realisiert finden, in der Elektricitätslehre, dass das wirksame Agens auf einer Mache verbreitet ist, ohne dass wir für die Schicht irgend welche Dicke angeben können. In dem Falle kann von einer Dichtigkeit des Agens in dem frühern Sinne, dass es die in der Volumeinheit vorhandene Menge des Agens bedeutet, vorausgesetzt in dieser Volumeinheit wäre die Dichtigkeit überall dieselbe, nicht mehr die Rede sein. Wir können indes die Menge des Agens auf einer Fläche und die Verteilung des Agens auf derselben angeben durch Einführung des Begriffes der Flächendichtigkeit. Wir gelangen zu dem Begriff auf folgende Weise. Ist z die Dichtigkeit des Agens in dem frühern Sinne, so ist die im Volumen dv vorhandene Nun sei do ein Element der mit dem Agens bedeckten Pläche, und bezeichnen wir die normale Dicke der darauf befindlichen Schicht mit ϵ , so ist das Volumen des auf dem Flächenelement vorhandenen Agens gleich edo, und ist z die Dichtigkeit des Agens in dem frühern Sinne, so ist

$$x dv = x \varepsilon d\sigma$$
.

Können wir für ε keinen Wert angeben, so können wir auch für ε keinen angeben, wohl aber für $\varepsilon=h$, wenn, gleichförmige Verteilung vorausgesetzt, auf der Flächeneinheit eine angebbare Menge des Agens vorhanden ist. Diese Größe h, welche also unter Voraussetzung gleichförmiger Verteilung die auf der Flächeneinheit der Fläche vorhandene Menge des Agens bedeutet, nennt man die Flächendichtigkeit.

Wir haben zu untersuchen, in wie weit wir durch die Potentialfunktion und ihre Differentialquotienten imstande sind auch in diesem Falle die Verteilung des wirksamen Agens zu bestimmen.

Wir wollen die Frage durch Behandlung zweier specieller Fälle beautworten, von denen der erste schon durch früher abgeleitete Ausdrücke gelöst werden kann. Wir denken uns auf einer Kugelfläche das Agens ganz gleichförmig verbreitet, so daß dasselbe überall die Dichtigkeit hesitze

Wir erhielten früher, §. 3, die Potentialfunktion einer Kugelschale vom Radius ϱ und der Dicke $d\varrho$, in welcher überall die Dichtigkeit zist, in bezug auf einen Punkt, welcher um u vom Mittelpunkte der Kugel entfernt ist,

Wenn
$$u < \varrho$$
: $V_i = 4\pi \kappa \varrho \, d\varrho = 4\pi h \varrho$;

wenn
$$u > \varrho$$
:
$$V_a = 4\pi \pi d\varrho \frac{\varrho^2}{a} = 4\pi h \frac{\varrho^3}{a},$$

wenn h jetzt die Flächendichtigkeit $\pi d\varrho$ auf der Kugel vom Radius ϱ bedeutet. Rückt der Punkt in die Fläche der Kugel, wird also $u = \varrho$, so wird $V_i = V_a = 4\pi h\varrho.$

Es hat somit, wie wir es schon früher fanden, die Potentialfunktion auch in der Fläche einen bestimmten Wert, und bei Annäherung an die Fläche nähert sich der Wert stets dem für die Fläche selbst giltigen.

Wir wissen, dass für eine homogene Kugelschale die Niveauflächen Kugeln sind, welche mit der gegebenen konzentrisch sind; die Verbindungslinie a des betrachteten Punktes ist somit als Radius der Niveauflächen gleichzeitig die Normale. Der Differentialquotient nach a, wenn $a > \varrho$, giebt uns somit die resultierende auf den betrachteten Punkt wirkende Kraft. Wir erhalten

$$\frac{\partial V_a}{\partial a} = -4\pi h \frac{\varrho^2}{a^2}.$$

Für einen Punkt der gegebenen Kugelfläche selbst ist $a = \varrho$, somit

$$\left(\frac{dV_a}{da}\right)_{a=0} = -4\pi h.$$

Rechnen wir den Abstand des betrachteten Punktes von der Oberfläche der Kugel, und setzen, da die Richtung a mit der Normalen zur Kugelfläche zusammenfällt,

$$a-\varrho=n$$

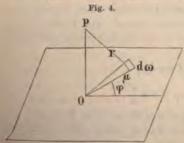
so können wir obige Gleichung schreiben:

$$\left(\frac{dV_a}{dn}\right)_{+0} = -4\pi h,$$

worin das Zeichen + 0 unten rechts bedeuten soll, daß wenn der Wert von + n bis zur Null abnimmt, der Differentialquotient sich dem angegebenen Werte nähert. Für einen negativen Wert von n, welcher Werten $a < \varrho$ entspricht, ist obiger Differentialquotient gleich null, weil die Potentialfunktion der Kugelfläche im Innern des von der Fläche umschlossenen Hohlraumes überall denselben Wert hat.

Bei der Kugelfläche liefert uns somit der nach der Normale genommene Differentialquotient für n=0 die Flächendichte.

Eine ganz ähnliche Beziehung erhalten wir für eine gleichförmig mit dem Agens belegte Ebene. Wir suchen zu dem Zwecke zunächst die Potentialfunktion in bezug auf einen Punkt außerhalb der Ebene, der so liegt, daß eine von ihm auf die Ebene herabgelassene Senkrechte die Ebene trifft. Irgend einen Punkt der Ebene nehmen wir als Mittelpunkt eines rechtwinkligen Koordinatensystems, deren x- und y-Axe in der Ebene,



deren z-Axe somit in der zur Ebene normalen Richtung liegt. Die Flächendichtigkeit des Agens sei überall auf der Ebene gleich h. Ist $d\omega$ Fig. 4 ein Flächenelement und r die Entfernung des Punktes P von demselben, so daß

$$v = \frac{h d \omega}{r}$$

die Potentialfunktion des Elementes im Punkte P ist, so können wir die Potentialfunktion der Ebene schreiben

$$V = h \int \frac{d\omega}{r},$$

worin die Summation über die ganze Ebene auszudehnen ist.

Um die Summation wenigstens teilweise ausführen zu können, setzen wir den Abstand des Elementes $d\omega$ vom Fußpunkte des Punktes P, also von O gleich u, so daß, wenn x und y die Koordinaten des Punktes O und ξ , η jene des Elementes $d\omega$ sind,

$$u^2 = (\xi - x)^2 + (\eta - y)^2$$
.

lst z der Abstand des Punktes P von der Ebene, so ist

$$r^2=z^2+u^2.$$

Ist φ der Winkel, welchen die Richtung u mit der X-Axe bildet, so können wir das Element $d\omega$ setzen

 $d\omega = u d\varphi du$.

Damit wird

$$\frac{d\omega}{r} = \frac{u\,du\,d\varphi}{\sqrt{u^2 + z^2}},$$

und hieraus erhalten wir die Potentialfunktion, wenn wir diesen Ausdruck zunächst nach u von u=0 bis u=U, wenn wir mit U den Abstand der Grenze der Ebene in der Richtung φ von O bezeichnen, und dann nach φ integrieren von O bis 2π , bei welcher Integration wir beachten müssen, daß der Wert von U abhängig von φ ist, das heißt daß in den verschiedenen Richtungen φ der Abstand der Grenze vom Punkte O ein verschiedener ist. Es wird somit

$$V = h \int_0^z d\varphi \int_0^u \frac{u \, du}{\sqrt{u^2 + z^2}}.$$

Die Integration nach u läfst sich ausführen; es ist

$$\frac{u\,du}{\sqrt{u^2+z^2}}=d(\sqrt{u^2+z^2}).$$

somit

$$\int_{0}^{U} \frac{u \, du}{\sqrt{u^{2} + z^{2}}} = V U^{2} + z^{2} - V z^{2}.$$

Damit wird

$$V = h \int_{0}^{2\pi} d\varphi \left\{ \sqrt{U^2 + z^2} - \sqrt{z^2} \right\}.$$

Da z bei der Integration nach φ konstant ist, so erhalten wir weiter

$$V = -2\pi h \sqrt{z^2 + h} \int_0^{2\pi} d\varphi \sqrt{U^2 + z^2}.$$

Im ersten Gliede setzen wir nicht $z=\sqrt{z^2}$, um anzudeuten, daß $\sqrt{z^2}$ unter allen Umständen positiv zu setzen ist, daß es den Wert der Entfernung des Punktes P von der Oberfläche bedeutet, ohne Rücksicht darauf, an welcher Seite derselben der Punkt P liegt.

Zur Bestimmung des Wertes von V muß man hiernach die Gestal der Umgrenzung der Ebene kennen, da der Wert des zweiten Integral davon abhängt; auch für den Wert des Integrals, wenn der Punkt, fü welchen die Potentialfunktion gebildet werden soll, in der Ebene lieg für welchen z=0, ist die Gestalt der Umgrenzung maßgebend.

Den Differentialquotienten der Potentialfunktion nach z können wibilden, ohne die Integration des zweiten Gliedes von V auszuführen; dz bei der Integration eine konstante Größe ist, so können wir zur Berechnung des Differentialquotienten von V den Ausdruck unter dem Integralzeichen nach z differentiieren und dann die Summation von V be V0 vornehmen. Damit wird

$$\frac{\partial V}{\partial z} = -2\pi h \frac{z}{\sqrt{z^2}} + h \int_0^{2\pi} z \frac{d\varphi}{\sqrt{U^2 + z^2}}.$$

Der Wert dieses Differentialquotienten hängt hiernach im allgemeine ebenfalls von der Gestalt der Umgrenzung der Ebene ab, da der We des zweiten Gliedes von U abhängt. Für die Punkte der Ebene ist da nicht mehr der Fall, denn für diese wird mit z=0 das zweite Glieder rechten Seite null. Für die Punkte der Ebene beschränkt sich de Differentialquotient auf das erste Glied.

Da, wie wir sahen, Vz^2 wesentlich positiv ist, so ist das erste Glie für ein positives z negativ, für ein negatives z dagegen positiv. Für ei positives z wird daher

$$\frac{\partial V}{\partial z} = -2\pi h + h \int_{0}^{2\pi} z \frac{d\varphi}{\sqrt{U^{2} + z^{2}}},$$

für ein negatives dagegen

$$\frac{\partial V}{\partial z} = 2\pi h - h \int_{0}^{2\pi} \frac{d\varphi}{\sqrt{U^{2} + z^{2}}}.$$

Für einen der Ebene unendlich nahen Punkt, für den z=0 gesetz werden kann, ergiebt sich hiernach

$$\left(\frac{\partial V}{\partial z}\right)_{+0} = -2\pi h, \quad \left(\frac{\partial V}{\partial z}\right)_{-0} = 2\pi h,$$

oder

$$\left(\frac{\partial V}{\partial z}\right)_{+0} - \left(\frac{\partial V}{\partial z}\right)_{-0} = -4\pi h.$$

Wir erhalten somit für die Ebene zur Bestimmung der Fläche dichtigkeit ganz denselben Ausdruck, wie für die Kugel, denn da für d letztere der Differentialquotient der Potentialfunktion für einen im Inne liegenden Punkt, somit für einen negativen Wert von n gleich null is können wir der für die Kugel gefundenen Gleichung ganz die gleic Form geben.

Ganz der gleiche Satz gilt für jede beliebige Fläche, auch dan wenn die Dichtigkeit des Agens auf derselben nicht überall die gleic ist. Setzen wir in die nach der Normale der Fläche genommenen Diff rentialquotienten der Potentialfunktion die Koordinaten des betreffenden Punktes der Fläche ein, so giebt uns die Differenz

$$\left(\frac{\partial V}{\partial n}\right)_{+0} - \left(\frac{\partial V}{\partial n}\right)_{-0} = -4\pi h$$

die Dichtigkeit des Agens in dem betreffenden Punkte der Fläche.

Den Beweis dieses Satzes zu geben, würde uns hier zu weit führen, wir verweisen deshalb auf die schon erwähnte Schrift von Clausius 1).

Die Untersuchung der andern Differentialquotienten der Potentialfunktion bietet für uns kein Interesse.

§. 7.

Bestimmung der Menge des in einem rings geschlossenen Raume oder auf dessen Oberfläche vorhandenen Agens. Mit Hilfe der Potentialfunktion können wir nach den beiden letzten Paragraphen für jeden Punkt eines mit einem Agens erfüllten Raumes die Dichtigkeit \varkappa des Agens berechnen, ebenso die Flächendichte h für jeden Punkt einer mit Agens bedeckten Fläche. Die Integrale

$$M = \int \kappa dv$$
 oder $M = \int h d\omega$,

worin dv ein Element des Raumes, $d\omega$ ein Element der Fläche bedeutet, ersteres über den Raum, letzteres über die Fläche ausgedehnt, giebt uns demnach die Menge des vorhandenen wirksamen Agens. Wir können indes auch direkt aus der Potentialfunktion die Menge des in einem ringsgeschlossenen Raume oder des auf der Oberfläche desselben vorhandenen Agens ableiten, und zwar unabhängig davon, ob das Agens den Raum stetig erfüllt oder nur an einzelnen Stellen, oder etwa nur an der Oberfläche desselben sich befindet. Man erhält dieselbe aus dem Satze, daß die Summe der auf die verschiedenen Elemente der Oberfläche des Raumes senkrecht zur Oberfläche wirkenden Komponenten der Kraft, dieselben berechnet unter der Voraussetzung, daß sich in den Punkten, wo die Elemente liegen, die Einheit des Agens befinde, dividiert durch 4π , gleich ist der von der Oberfläche umschlossenen oder der auf ihr vorhandenen Menge des Agens.

Für eine Kugel ergiebt sich dieser Satz unmittelbar. Sei die von einer Kugel vom Radius R umschlossene Menge gleich M. Ist diese Menge auf der Oberfläche verbreitet oder füllt sie den Raum der Kugel entweder mit gleichförmiger Dichtigkeit aus, oder so, dass die Dichtigkeit in allen Punkten einer im Innern der Kugel gedachten konzentrischen Schale überall dieselbe, von Schale zu Schale aber verschieden ist, so ist die Potentialfunktion der gegebenen Menge in der Oberfläche der Kugel

$$V = \frac{M}{R}$$

Die zur Oberfläche senkrechte Wirkung an einer Stelle, wo das Element dw liegt, vorausgesetzt, dass dort die Einheit des Agens sich befinde, erhalten wir, da die Radien überall senkrecht zur Oberfläche sind, in

¹⁾ Man sehe Clausius: Die Potentialfunktion. 3. Aufl. §. 33 bis §. 36.

$$-\frac{dV}{dR} = \frac{M}{R^2}.$$

Multiplizieren wir diesen Quotienten mit $d\omega$, so giebt uns die Summe

$$\int \frac{M}{R^2} d\omega,$$

ausgedehnt über die Fläche der Kugel die Summe der zur Oberfläche in allen Punkten senkrechten Komponenten der Wirkung der von der Kugel vom Radius R umschlossenen Menge des Agens. Diese Summe ist einfach, da M und R gegebene Konstanten sind,

$$\frac{M}{R^2} \int d\omega = \frac{M}{R^2} 4\pi R^2,$$

da die Summe aller $d\omega$ die Oberfläche der Kugel ist. Für die Kugel ergiebt sich somit unmittelbar

$$-\frac{1}{4\pi}\int_{-dn}^{\cdot}dV\,d\omega=M,$$

wenn $\frac{dV}{dn}$ den Differentialquotienten der Potentialfunktion senkrecht zur Oberfläche im Elemente $d\omega$ bedeutet.

Die allgemeine Giltigkeit dieser Gleichung läßt sich mit Hilfe eines von Green¹) abgeleiteten mathematischen Satzes, des sogenannten Greenschen Satzes, nachweisen. Bei der großen Bedeutung unserer Gleichung und der vielfachen Anwendung des Greenschen Satzes wollen wir den Beweis desselben hier einschalten. Der Satz ist folgender:

Sind *U* und *V* irgend zwei innerhalb eines rings geschlossenen Raumes endliche und stetige Funktionen der Koordinaten, und sind gleichzeitig deren erste und zweite Differentialquotienten innerhalb desselben Raumes stetige Funktionen der Koordinaten, und schreiben wir

$$\Delta V = \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2},$$

so kann das über den ganzen geschlossenen Raum ausgedehnte Integral

ersetzt werden durch die beiden Integrale

$$\int U \frac{dV}{dn} d\omega - \int \int \int \left(\frac{\partial U}{\partial x} \frac{\partial V}{\partial x} + \frac{\partial U}{\partial y} \frac{\partial V}{\partial y} + \frac{\partial U}{\partial z} \frac{\partial V}{\partial z} \right) dx dy dz,$$

wenn in dem ersten Integral $\frac{dV}{dn}$ den nach der Normale der Fläche dort, wo das Flächenelement der Oberfläche $d\omega$ liegt, genommenen Differentialquotienten der Funktion V bedeutet, und dieses erste Integral über die ganze Oberfläche des Raumes zu nehmen ist, während das zweite Integral, wie das ursprünglich gegebene über den ganzen gegebenen rings geschlossenen Raum auszudehnen ist.

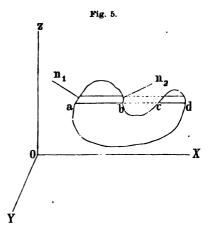
¹⁾ Green, An essay of the application of mathematical analysis to the ry of Electricity and Magnetism. art. 3. Crelles Journal Bd. XLIV.

Nach der Bedeutung des Zeichens ΔV ist das ursprünglich gegebene lategral die Summe dreier Integrale

$$\iiint U \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} dx dy dz + \iiint U \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} dx dy dz + \iiint U \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} dx dy dz.$$

Wir betrachten von diesen das erste Integral; die Auswertung desselben verlangt eine dreifache Integration, und zwar nach x, y und z. Wenn

wir zunächst die Integration nach xdurchführen, dabei also y und z als konstant ansehen, so bekommen wir die Summe aller Werte des zu integrierenden Ausdrucks für ein unendlich dünnes Parallelepiped ab Fig. 5, dessen Querschnitt gleich dy dz ist, welches der X-Axe parallel ist, und an der Stelle des gegebenen Raumes liegt, welcher durch die angenommenen Werte y und z bestimmt ist. Das Integral nach x ist zu nehmen von dem Werte x_1 , welcher der Stelle a entspricht, wo dieses Parallelepiped die Oberfläche trifft, bis x_2 , welcher der Stelle b entspricht, wo das Parallelepiped wieder die Oberfläche trifft.



Hat der Raum eine Form, wie die Figur zeigt, so das das Paralle-epiped bei b den Raum verlässt, bei c wieder eintritt und bei d wieder austritt, so müste ebenfalls von x_3 bis x_4 integriert werden. Da indes die Betrachtung des einfachen Falles vollständig ausreicht, nehmen wir an, die Oberfläche des Raumes würde nur bei a und b getroffen. Das zu bildende Integral können wir zunächst schreiben

$$\int \int dy \, dz \int_{x}^{x_1} U \, \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} \, dx.$$

Die Integration nach x lässt sich teilweise ausführen. Es ist nämlich nach der Regel E II der Einleitung (Bd. I S. 33)

$$\frac{c\left(U\frac{\partial V}{\partial x}\right)}{\partial x} = U\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} + \frac{\partial U}{\partial x}\frac{\partial V}{\partial x},$$

somit

$$U\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} = \frac{\partial \left(U\frac{\partial V}{\partial x}\right)}{\partial x} - \frac{\partial U}{\partial x}\frac{\partial V}{\partial x},$$

so dass wir das zu bildende Integral schreiben können

$$\iint dy dz \int \frac{\partial}{\partial x} \left(U \frac{\partial V}{\partial x} \right) dx - \iiint \frac{\partial}{\partial x} \frac{\partial}{\partial x} \frac{\partial}{\partial x} dx dy dz.$$

Da unter dem letzten Integralzeichen des ersten Integrals ein vollständiges Differential nach x steht, können wir im ersten Integral die Integration nach x vornehmen und für dasselbe schreiben

$$\iint dz \, dy \, \Big\{ \Big(U \, \frac{\partial \, V}{\partial \, x} \Big)_{x_1} - \, \Big(U \, \frac{\partial \, V}{\partial \, x} \Big)_{x_1} \Big\},$$

wo die Indices x_1 und x_2 unten bedeuten, dass im ersten Ausdruck der Wert x_2 , im zweiten x_1 eingesetzt werden muss. Das Produkt $dy\ dz$ bedeutet den Querschnitt des Parallelepipeds ab; wir können denselben durch das Element $d\omega$ bei a oder $d\omega_1$ der Oberstäche bei b ausdrücken. Der Querschnitt des Parallelepipeds ist nämlich gleich dem Produkte aus der schiesen Basis desselben mit dem Cosinus des Winkels, welchen dieselbe mit dem Querschnitte bildet. Ist der Winkel bei a gleich a_1 , der bei b gleich a_2 , so ist

$$dy dz = d\omega_1 \cos \alpha_1 = d\omega_2 \cos \alpha_2$$
.

Die Winkel α_1 und α_2 sind jene, welche die Oberflächenelemente mit der YZ-Ebene bilden, somit sind dieselben gleich den Winkeln, welche die Normalen n zu den Elementen mit der X-Axe bilden. Rechnen wir die Normalen nach außen hin, so können wir schreiben

$$\cos \alpha_2 = \left(\frac{\partial x}{\partial n}\right)_2 \quad \cos \alpha_1 = -\left(\frac{\partial x}{\partial n}\right)_1,$$

wo wir dem zweiten Quotienten das negative Vorzeichen geben müssen, weil dem nach außen genommenen Elemente der Normale dn ein negatives dx entspricht. Es ist demnach

$$dz dy \left\{ \left(U \frac{\partial V}{\partial x} \right)_{x_1} - \left(U \frac{\partial V}{\partial x} \right)_{x_1} \right) \right\} = \left(U \frac{\partial V}{\partial x} \frac{\partial x}{\partial n} \right)_{x_1} d\omega_2 + \left(U \frac{\partial V}{\partial x} \frac{\partial x}{\partial n} \right)_{x_1} d\omega_1.$$

Die Integration dieses Ausdruckes nach y und z heißt, es sollen nach und nach für alle Parallelepipede ab, welche den ganzen Raum zusammensetzen, die gleichen Ausdrücke gebildet und diese alle summiert werden. Indem wir nun den Ausdrücken, welche jedem der einzelnen den Raum bildenden Parallelepipede entsprechen, die auf der rechten Seite der letzten Gleichung stehende Form geben, erkennt man, daß die zu bildende Summe nichts anders ist als die Summe

$$\int U \frac{\partial V}{\partial x} \frac{\partial x}{\partial n} d\omega,$$

also die Summe aller der für alle Elemente der Oberfläche des Raumes zu bildenden Werte des unter dem letzten Integralzeichen stehenden Ausdrucks. Die Integration des letzten Ausdruckes ist somit über die ganze Oberfläche des gegebenen Raumes zu nehmen. Damit wird

$$\int \int \int U \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} dx dy dz = \int U \frac{\partial V}{\partial x} \frac{\partial x}{\partial n} d\omega - \int \int \int \frac{\partial U}{\partial x} \frac{\partial V}{\partial x} dx dy dz.$$

Ganz die gleiche Betrachtungsweise läßt sich für die andern beiden Integrale durchführen, indem wir uns Parallelepipede parallel der Y-Axe und parallel der Z-Axe gelegt denken, so daß wit bekommen

$$\iint U \frac{\partial^z V}{\partial y^z} dx dy dz = \int U \frac{\partial V}{\partial y} \frac{\partial y}{\partial n} d\omega - \iiint \frac{\partial U}{\partial y} \frac{\partial V}{\partial y} dx dy dz$$

$$\iiint U \frac{\partial^z V}{\partial z^z} dx dy dz = \int U \frac{\partial V}{\partial z} \frac{\partial z}{\partial n} d\omega - \iiint \frac{\partial V}{\partial z} \frac{\partial V}{\partial z} dx dy dz.$$

Summieren wir diese drei Gleichungen, so wird zunächst

$$\iint U \Delta V \, dx \, dy \, dz = \int U \left\{ \frac{\partial V}{\partial x} \, \frac{\partial x}{\partial n} + \frac{\partial V}{\partial y} \, \frac{\partial y}{\partial n} + \frac{\partial V}{\partial z} \, \frac{\partial z}{\partial n} \right\} d\omega
- \iint \left\{ \frac{\partial U}{\partial x} \frac{\partial V}{\partial x} + \frac{\partial U}{\partial y} \frac{\partial V}{\partial y} + \frac{\partial U}{\partial z} \frac{\partial V}{\partial z} \right\} dx \, dy \, dz.$$

In dem ersten Integral auf der rechten Seite ist

$$\frac{\partial V}{\partial x}\frac{\partial x}{\partial n} + \frac{\partial V}{\partial y}\frac{\partial y}{\partial n} + \frac{\partial V}{\partial z}\frac{\partial z}{\partial n} = \frac{dV}{dn}$$

nichts anders als die Änderung, welche V erfährt, wenn man an dem betrachteten Elemente $d\omega$ sich in der Richtung der Normale um dn entfemt, dividiert durch dn, oder mit andern Worten nichts anders als der Differentialquotient der Funktion V nach der Normalen der Fläche.

Damit ist der Beweis des Greenschen Satzes geliefert, es ist

$$\iint U \, dV \, dx \, dy \, dz = \int U \, \frac{dV}{dn} \, d\omega - \\
- \iint \left\{ \frac{\partial U}{\partial x} \, \frac{\partial V}{\partial x} + \frac{\partial U}{\partial y} \, \frac{\partial V}{\partial y} + \frac{\partial U}{\partial z} \, \frac{\partial V}{\partial z} \right\} \, dx \, dy \, dz.$$

Mit Hilfe dieses Satzes ergiebt sich der in diesem Paragraph zu beweisende und vorhin für den speciellen Fall der Kugel bewiesene Satz unmittelbar. U und V sind ganz beliebige Funktionen, die nur innerhalb des Raumes endlich und stetig sein müssen. Für U machen wir die Annahme, es wi innerhalb des Raumes überall gleich eins, und V sei die Potentialfunktion des von der Oberfläche umschlossenen wirksamen Agens. In dem Falle sind alle Differentialquotienten von U gleich null, und es wird

$$\iiint dV \, dx \, dy \, dz = \int \frac{dV}{dn} \, d\omega.$$

Da

$$\Delta V = -4\pi x$$

wenn z die Dichtigkeit des Agens in dem Volumelemente $dx\,dy\,dz$ ist, so ist das über den ganzen Raum, innerhalb dessen das Agens vorhanden ist, zu nehmende erste Integral gleich — $4\pi M$, wenn M die Menge dieses Agens bedeutet, somit allgemein

$$M = -\frac{1}{4\pi} \int \frac{dV}{dn} \, d\omega \, \cdot$$

Es sei noch besonders darauf hingewiesen, daß es dabei gleichgiltig ist, ob der Raum ganz oder nur zu einem beliebigen Teil mit dem Agens angefüllt ist, da AV für alle diejenigen Volumelemente, welche kein Agens uthalten, gleich null wird.

Dals die Gleichung ganz ebenso gilt, wenn die Menge M in einem

Punkte konzentriert ist, ergiebt folgende Überlegung. Denken wir uns zunächst um den Punkt eine Kugel mit endlichem Radius und die in dem Punkte konzentrierte Masse gleichmäßig in dieser Kugel verteilt, so ist die Wirkung dieser Kugel an allen Stellen des Raumes außerhalb der Kugel genau so, wie wenn die ganze Menge M in dem Mittelpunkte konzentriert wäre. Daß im Falle der Kugel die rechte Seite der Gleichung für M uns die Menge M liefert, haben wir soeben bewiesen. Da nur die Wirkung der Masse M in der Kugel genau dieselbe ist, wie die ir dem Mittelpunkte konzentrierte Masse M, so folgt, daß die rechte Seite unserer Gleichung genau denselben Wert behält, wenn die Masse M wirk lich im Mittelpunkte der Kugel konzentriert ist, oder daß auch in den Falle unser Integral uns die Masse M liefert.

Daraus, das unsere Gleichung für in einem Punkte konzentrierte Mengen gilt, folgt ohne weiteres, das es auch gilt, wenn das wirksame Agens nur auf einer Fläche im Innern des Raumes vorhanden ist, oder auch wenn die Oberfläche des Raumes selbst mit dem Agens bedeckt ist. Denn die Wirkung des auf einem unendlich kleinen Flächenelemente vorhandenen Agens ist dieselbe, wie wenn das Agens in einem Punkte des Flächenelementes konzentriert wäre; die vorhin gemachte Überlegung zeigt, das die Gleichung für jeden Punkt gilt, somit auch für die Summe derselben oder für das auf der Fläche vorhandene Agens. Den direkten Beweis für die Kugel haben wir im Anfange dieses Paragraphen geführt.

Wir können also in allen Fällen die im Innern eines Raumes oder die auf der Oberfläche desselben befindliche Menge eines Agens aus der Summe der zur Oberfläche senkrechten Komponenten der Kraft berechnen, welche von den gegebenen Mengen des Agens auf die Punkte der Oberfläche ausgeübt wird, vorausgesetzt, daß in der Oberfläche überall die Dichtigkeit eins ist.

Das Potential einer gegebenen Menge des Agens auf eine andere und auf sich selbst. Mit Hilfe der Potentialfunktion können wir die Kraft, welche irgend eine gegebene Menge eines Agens in irgend einem Punkte des Raumes austübt, in welchem wir uns die Einheit des Agens konzentriert denken, berechnen. Ebenso kann man mit Hilfe derselben eine Funktion ableiten, welche uns die Wirkung einer gegebenen Menge eines Agens auf eine irgendwo gegebene Menge desselben Agens zu berechnen gestattet, indem wir von der Potentialfunktion zu dem Potential der gegebenen Menge auf diejenige übergehen, auf welche dieselbe wirkt.

Bezeichnen wir wie früher die Potentialfunktion einer gegebenen Menge des Agens in bezug auf einen Punkt P des Raumes mit V, so sind die den Koordinatenaxen parallelen Komponenten der Kraft

$$X = -\frac{\partial V}{\partial x}$$
 $Y = -\frac{\partial V}{\partial y}$ $Z = -\frac{\partial V}{\partial z}$

Befindet sich in dem Punkte P anstatt der Menge eins des Agens die Menge m, so werden die Komponenten, da nach unserer Voraussetzung die Wirkung des Agens der Menge desselben proportional ist,

$$X = -m \frac{\partial V}{\partial x}$$
 $Y = -m \frac{\partial V}{\partial y}$ $Z = -m \frac{\partial V}{\partial z}$.

Setzen wir nun

$$mV = w$$

so wird

$$\frac{\partial w}{\partial x} = m \frac{\partial V}{\partial x} \quad \frac{\partial w}{\partial y} = m \frac{\partial V}{\partial y} \quad \frac{\partial w}{\partial z} = m \frac{\partial V}{\partial z}.$$

Aus der Funktion w lässt sich somit die von der gegebenen Menge auf die Menge m ausgetibte Wirkung ganz ebenso ableiten, wie aus der Funktion V die Wirkung auf irgend einen Punkt, in welchem die Einheit des Agens sich befindet. Wir nennen deshalb die Funktion w das Potential der gegebenen Menge auf die Menge m.

Wirkt die gegebene Menge des Agens auf eine Anzahl verschiedener Mengen $m_1, m_2, m_3 \ldots m_n$, und sind die Werte der Potentialfunktion der ersten an den verschiedenen Stellen, wo sich diese Mengen befinden, $V_1, V_2, V_3 \ldots V_n$, so ergiebt sich in derselben Weise, daß das Potential der gegebenen Menge auf alle diese Mengen zusammen gegeben ist durch die Summe

$$W = m_1 V_1 + m_2 V_2 + m_3 V_3 + \cdots + m_n V_n = \sum m V$$
 (1)

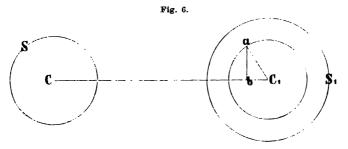
also durch die Summe der einzelnen Potentiale auf die einzelnen verteilt liegenden Mengen.

Wirkt die gegebene Menge des Agens auf eine andere ebenfalls einen gewissen Raum ausfüllende, so sei dm' die in irgend einem Elemente dieses Raumes vorhandene Menge. Das Potential der gegebenen Menge auf dieses Element ist Vdm', und damit wird das Potential der ersten Menge auf die zweite

$$W = \int V dm', \tag{2}$$

worin die Integration sich über den ganzen Raum zu erstrecken hat, welcher $^{\min}$ t der zweiten Menge des Agens ausgefüllt ist, und für jedes Element des Raumes der entsprechende Wert von V einzusetzen ist.

Um zu erkennen, in welcher Weise diese Rechnungen zu führen sind, wollen wir das Potential einer homogenen Kugel auf eine andere ebenfalls homogene Kugel berechnen. Der Abstand der Mittelpunkte der beiden



Kugeln sei gleich R. Sei S Fig. 6 ein Durchschnitt durch die erste, S, ein solcher durch die zweite Kugel, deren Radius gleich r sei. In der

zweiten Kugel denken wir uns zunächst eine Kugelschale vom Radius ϱ , deren Dicke gleich $d\varrho$ sei; wir bestimmen das Potential der Kugel S auf diese Schale. Sei bei a, dessen Lage durch den Winkel $CC_1a = \varphi$ gegeben ist, ein Bogenelement $d\varphi$, dessen Länge also $\varrho d\varphi$ ist, dann ist, wenn \varkappa die Dichtigkeit des Agens in der zweiten Kugel bezeichnet, die Menge des in einem zu CC_1 senkrechten Ringe, dessen Durchschnitt das Element $d\varphi$ bei a ist, vorhandene Menge des Agens

$$\pi \cdot 2\pi \varrho^2 \sin \varphi d\varphi d\varrho$$
.

Ist M die Menge des Agens in der ersten Kugel, so ist die Potentialfunktion derselben in jedem Punkte dieses Ringes

$$V = \frac{M}{Ca} = \frac{M}{e},$$

da alle Punkte dieses Ringes von dem Mittelpunkte der ersten Kugel gleich weit entfernt sind. Für das Potential der Kugel auf diesem Ringe erhalten wir deshalb nach unserer Definition

$$\frac{M}{e} \times 2\pi \varrho^2 \sin \varphi \, d\varphi \, d\varrho.$$

Es folgt das einfach aus der Gleichung (2), da wenn V für alle in Betracht kommenden Elemente $d\,m'$ denselben Wert hat, nach dem Begriffe der Summe

$$\int V \, dm' = V \int dm' \quad \text{ist.}$$

Um das Potential der Kugel S auf die Kugelschale ϱ zu erhalten, schreiben wir

$$e^2 = R^2 + \varrho^2 - 2R\varrho\cos\varphi,$$

woraus folgt

$$c dc = R \varrho \sin \varphi d\varphi$$

$$\frac{de}{R \varrho} = \frac{\sin \varphi d\varphi}{e}.$$

Das zu bildende, über die Schale auszudehnende Integral wird dadurch

$$\int \frac{M2\pi \pi \varrho \, d\varrho}{R} \, de.$$

Dasselbe ist nach e zu nehmen, da wir dieses an Stelle von φ als Veränderliche eingeführt haben und zwar von $e = R - \varrho$ bis $e = R + \varrho$, und liefert den Wert

$$\frac{M \cdot 4\pi \varrho^2 d\varrho \pi}{R}$$

Das Potential der Kugel S auf die Kugel S_1 ist die Summe der Potentiale auf alle Schalen von der Dicke $d\varrho$, welche zwischen $\varrho = 0$ und $\varrho = r$ liegen, da diese Schalen die Kugel S_1 bilden; es ist somit das Integral

$$W = \int_{0}^{r} \frac{M4 \pi \pi}{R} \varrho^{2} d\varrho,$$

und dasselbe ist

$$W = \frac{M^4/_{\rm s} r^3 \pi \kappa}{R} \cdot$$

Das Produkt

$$\frac{4}{3}r^3\pi\kappa=M'$$

ist die in der zweiten Kugel vorhandene Menge des Agens, so daß wir schließlich setzen können

$$W = \frac{MM'}{R}.$$

Das Potential zweier Kugeln auf einander ist gleich dem Produkte der in den beiden Kugeln vorhandenen Menge des Agens dividiert durch den Abstand ihrer Mittelpunkte. Für die Wirkung der beiden Kugeln auf einander parallel der Verbindungslinie der Mittelpunkte erhalten wir

$$A = -\frac{dW}{dR} = \frac{MM'}{R^2}$$

den schon früher bewiesenen Satz, dass zwei Kugeln bei dem hier vorausgesetzten Anziehungs- resp. Abstossungsgesetze gerade so auf einander wirken, wie wenn die in jeder wirksame Menge in dem Mittelpunkte der betreffenden Kugel konzentriert wäre.

Ebenso wie wir in Gleichung (1) oder (2) das Potential einer gegebenen Menge auf eine zweite durch

$$W = \int V dm',$$

also durch die Summe der Potentiale der ersten auf die verschiedenen Elemente der zweiten dargestellt haben, können wir dasselbe auch durch

$$W = \int V' dm \dots$$
 (3)

durch die Summe der Potentiale der zweiten Menge auf die einzelnen Elemente der ersten darstellen. Dass der durch die Gleichung (3) dargestellte Ausdruck derselbe ist, wie der in Gleichung (2) gegebene, folgt aus dem Begriffe des Potentials. Das Potential einer Menge auf eine andere ist die Summe aller Produkte aus je einem Elemente der ersten und jedem Elemente der zweiten Menge, jedes Produkt dividiert durch die Entfernung der zwei in einem Produkte vereinigten Elemente. Ganz dieselbe Summe erhalten wir aber, wenn wir die Summe aller Produkte aus je einem Elemente der zweiten Menge mit jedem Elemente der ersten Menge, jedes Produkt dividiert durch die Entfernung der in dem Prodakte vereinigten Elemente bilden. Die letztere Summe ist aber durch die Form der Gleichung (3) gegeben, da der unter dem Integralzeichen stehende Ausdruck das Produkt eines einzelnen Elementes der ersten Menge mit allen Elementen der zweiten Menge bedeutet, jedes der einzelnen dabei zu bildenden Produkte dividiert durch die Entfernung des Elementes dm von dem betreffenden Elemente der zweiten Menge.

In seiner allgemeinen Form ist das Potential zweier Mengen auf einander gegeben durch die Doppelsumme

$$W = \int \int \frac{dm \, dm'}{r} \cdot$$

Das Element dieser Summe ist das Produkt eines Elementes der ersten und eines Elementes der zweiten Menge dividiert durch die Entfernung der beiden Elemente, und die Doppelsumme bedeutet eben, dass wir die Wollens, Physik. IV. 4. Aus.

Summe für jedes Element der ersten und für jedes Element der zweiten Menge bilden müssen, oder daß die Integration über beide Mengen auszuführen ist.

Wir haben im §. 2 gezeigt, dass die Potentialfunktion einer gegebenen Menge auf einen in ihrem Innern liegenden Punkt einen bestimmten endlichen Wert hat, und dass die Differentialquotienten uns die Kraft geben, welche von der Menge auf diesen Punkt ausgeübt wird, unter der Voraussetzung, dass in ihm die Einheit des Agens konzentriert sei. Sind die einzelnen Elemente des Agens gegen einander beweglich, so wird infolge dieser Wirkung so lange eine Verschiebung im Innern der Menge stattfinden, bis die Potentialfunktion im Innern überall denselben Wert hat. Befindet sich in dem betrachteten Punkte im Innern der Menge nicht die Einheit, sondern die Menge dm des Agens, so wird das Potential der ganzen Menge auf dieses ihr eigenes Element Vdm, und die Kraft, mit welcher dieses Element nach irgend einer Richtung s getrieben wird,

$$S = -dm \frac{dV}{ds}.$$

Wie für dieses Element, können wir für alle Elemente der gegebenen Menge des Agens das Potential bilden und alle diese Potentiale summieren; diese Summe

 $W' = \frac{1}{2} \int V' dm$

bezeichnet man als das Potential der Menge auf sich selbst. Daß der Faktor $^1\!/_2$ vor dem Integralzeichen stehen muß, erkennt man, wenn man das Potential in der Form schreibt

$$W' = \frac{1}{2} \int \int \frac{d m \, d m_1}{r}$$

als die Doppelsumme der Produkte von jedem Elemente mit allen übrigen, jedes Produkt dividiert durch die betreffende Entfernung der Elemente. Werden nach und nach unter dem Integralzeichen für dm alle verschiedenen Elemente der gegebenen Menge eingesetzt und ebenso für dm_1 , so kommt jedes Produkt dm dm_1 doppelt vor. Denn bilden wir zunächst einmal die Summe für ein bestimmtes dm_1 , so enthält diese einmal das Produkt dm dm_1 ; setzen wir dann nach und nach, um die ganze Summe zu bilden, für dm_1 alle übrigen Elemente, so kommt auch einmal dm an die Reihe, und bilden wir für dieses alle Produkte, so findet sich unter den Elementen auch einmal dm_1 , so daß das Produkt dm dm_1 zum zweitenmale auftritt. Da indes in dem Potentiale jedes Produkt nur einmal vorkommen darf, müssen wir die Gesamtsumme mit $\frac{1}{2}$ multiplizieren.

§. 9.

Bestimmung der Arbeit bei Verschiebung von gegebenen Mengen eines Agens aus dem Potential. Aus dem Potential einer gegebenen Menge eines Agens auf eine andere und auf sich selbst läßt sich unmittelbar die Arbeit ableiten, welche bei einer Verschiebung der Mengen gegen einander oder der einzelnen Teile einer der Mengen durch die wirksamen Kräfte geleistet wird, wenn die Verschiebungen im Sinne der wirksamen Kräfte erfolgen, oder welche zu diesen Verschiebungen aufgewandt werden müssen, wenn die Verschiebungen den wirksamen Kräften entgegen stattfinden sollen¹).

Es seien zwei Mengen M und M_1 eines Agens gegeben, die Menge M wollen wir uns fest, die Menge M_1 beweglich denken; ein Element der erstern sei dm, der letztern dm_1 , ihr Abstand sei r. Die Kraft, mit der diese Elemente auf einander wirken, ist

$$\frac{dm\,dm_1}{r^2}.$$

Wenn infolge dieser Wirkung die zweite Masse so bewegt wird, dass der Abstand der beiden Elemente um dr verändert wird, wobei es gleichaltig ist, ob die Bewegung des Elementes in der Verbindungslinie roder nach einer andern Richtung, aber so erfolgt, dass sich der Abstand rum dr ändert, so ist die von der wirksamen Kraft geleistete Arbeit

$$\frac{dm dm_1}{r^2} dr = -d \frac{dm dm_1}{r},$$

oder diese Arbéit ist gleich dem negativ genommenen Differential des Potentials der beiden Elemente.

Bestimmen wir so die Arbeit für alle Elemente der beiden Mengen, so ist die bei der Verschiebung der zweiten Menge gegen die erste geleistete Arbeit gleich der Summe der Arbeiten für alle Elemente, oder gleich

$$-\int\int d\frac{dm\,dm_1}{r}\cdot$$

Diese Summe bedeutet die Summe aller Änderungen, welche alle einrelnen Glieder der Summe

$$\int \int \frac{d\,m\,d\,m_1}{r}$$

erfahren, wenn in jedem Gliede dieser letzten Summe an Stelle von r der Wert r+dr gesetzt wird. Die Summe aller dieser Änderungen ist aber nichts anders, als die Änderung, welche die Summe selbst dadurch erfahrt, so daß wir einfach schreiben können

$$\int \int d \frac{d m d m_1}{r} = d \int \int \frac{d m d m_1}{r} \cdot$$

Dieser letztere Ausdruck ist die Änderung des Potentials der beiden Mengen auf einander, welche der Verschiebung der beiden Massen gegen einander entspricht, oder das Differential des Potentials; es ist somit

$$dW = d \int \int \frac{dm}{r} \frac{dm_1}{r} \cdot$$

Bezeichnen wir die Arbeit, welche der Verschiebung der zweiten Menge gegen die erste durch die Änderung von r um dr entspricht, mit dL, so ist

$$dL = -dW$$

¹⁾ Helmholtz, Erhaltung der Kraft. Berlin 1847. Man sehe auch Clausius, die Potentialfunktion und das Potential. 3. Aufl. Leipzig 1877.

oder die Arbeit, welche einer unendlich kleinen Verschiebung der zweiten Menge gegen die erste entspricht, ist gleich dem mit dem negativen Vorzeichen versehenen Differentiale des Potentials, welches durch diese Verschiebung bestimmt wird. Wenn durch die Verschiebung der Menge das Potential kleiner wird, so wird dW negativ und damit dL positiv, es ist somit durch diese Verschiebung Arbeit geleistet worden, welche als lebendige Kraft in das bewegte Agens übergegangen ist; ist durch die Verschiebung der Wert des Potentials größer geworden, so ist dW positiv, dL negativ, es mußte zur Hervorbringung dieser Verschiebung Arbeit aufgewendet werden.

Wenn eine endliche Verschiebung der zweiten Menge des Agens gegen die erste eintritt, so wird dadurch eine endliche Arbeit bedingt; diese endliche Arbeit L ist gleich der Summe aller der unendlich vielen unendlich kleinen Arbeiten, welche bei den unendlich kleinen Verschiebungen geleistet wird, deren Summe gleich der endlichen Verschiebung ist. Jede dieser elementaren Arbeiten ist gleich dem negativen Zuwachs des Potentials, welche der unendlich kleinen Verschiebung entspricht, die gesamte Arbeit ist somit gleich der mit dem negativen Vorzeichen versehenen Summe ahler dieser Differentialien, und diese Summe ist einfach gleich der Differenz der beiden Werte des Potentials im Anfange und am Ende der Verschiebung. Bezeichnen wir den Wert des Potentials am Anfange der Verschiebung mit W_1 , am Ende derselben mit W_2 , so folgt demnach

$$L = -(W_2 - W_1) = W_1 - W_2.$$

Wir gelangen somit zu dem Satze, dass die Arbeit, welche bei der Verschiebung zweier Mengen eines Agens gegen einander geleistet wird, gleich ist der Differenz ihrer Potentiale auf einander in der ersten und der zweiten Lage.

Außer dieser durch eine Verschiebung der beiden Mengen zwischen denselben geleisteten Arbeit kann auch Arbeit innerhalb der Agentien geleistet werden. Nehmen wir an, dass die einzelnen Mengen des wirksamen Agens gegen einander beweglich sind, so ist für jede der auf einander wirkenden Mengen die Bedingung des Gleichgewichts, dass die Potentialfunktion der gesamten vorhandenen Agentien innerhalb des Raumes, der die einzelnen Mengen umschließt, konstant sei. Die Potentialfunktion der überhaupt gegebenen Massen hängt von ihrer gegenseitigen Lage ab, deshalb wird der Wert der Potentialfunktion innerhalb der von den einzelnen Mengen der Agentien erfüllten Räume durch eine Verschiebung der Agentien gegen einander geändert, und zwar für die einzelnen Stellen dieser Räume im allgemeinen in verschiedenem Maße geändert. Infolge dessen muß in jedem Raume die Verteilung des Agens eine andere werden, damit an allen Stellen des einzelnen Raumes die Potentialfunktion wieder den gleichen Wert erhält. Diese anderweitige Verteilung des Agens erfordert ebenfalls eine gewisse Arbeit oder leistet eine Arbeit, da die einzelnen Mengen des Agens sich unter Wirkung von Kräften bewegen. Ganz dieselbe Betrachtungsweise, welche wir oben für die durch Verschiebung der Mengen gegen einander geleistete Arbeit angestellt haben, ergiebt für die im Innern der einzelnen Mengen geleistete Arbeit, dass einer Verschiebung der Elemente innerhalb der einzelnen Mengen um dr eine Arbeit

entspricht, welche dem negativen Zuwachs des Potentials der einzelnen Menge auf sich selbst gleich ist, oder dass

$$dL = -dW'$$

wenn wir mit W' das Potential der betrachteten Menge auf sich selbst bezeichnen. Die einer endlichen Änderung der Verteilung der betreffenden Menge des Agens entsprechende Arbeit ist demnach gerade so

$$L = -(W_3' - W_1') = W_1' - W_2',$$

wenn W_1' das Potential im Anfangszustande, W_2' im Endzustande bedeutet. Wird durch die Verschiebung der beiden Mengen gegen einander gleichzeitig in beiden Mengen eine Änderung der Verteilung bewirkt, und bezeichnen wir das Potential der zweiten Menge auf sich selbst vor der Inderung der Verteilung mit W_1'' , nach derselben mit W_2'' , so wird die ganze bei der Verschiebung geleistete oder aufzuwendende Arbeit, die Summe der Arbeiten in den einzelnen Mengen und jener zwischen den Mengen; dieselbe ist somit

$$L = (W_1' + W_1'' + W_1) - (W_2' + W_2'' + W_2).$$

Die in den Klammern enthaltenen Ausdrücke sind jedesmal die Summe der Potentiale der beiden gegebenen Mengen auf sich selbst und auf einander; sehen wir die gegebenen Mengen als ein System an, so können wir diese Summe als das Potential des Systemes auf sich selbst bezeichnen und können damit für das ganze System den vorhin für die einzelne Menge ausgesprochenen Satz aufstellen, das die Änderung des Potentiales eines Systemes auf sich selbst die bei dem Übergange aus dem einen Zustande in den andern geleistete Arbeit ist.

Dass der gleiche Satz gilt, wenn beliebig viele Mengen Agens in einem Systeme vorhanden sind, bedarf wohl keines Nachweises, ebenso braucht wohl kaum erwähnt zu werden, dass der gleiche Satz gilt, wenn die einzelnen Agentien durch Verschiebung der Mengen gegen einander nicht geändert werden. Denn in dem Falle bleiben die Potentiale der einzelnen Mengen auf sich selbst ungeändert, fallen also bei der Bildung der Differenz fort.

Für zwei unveränderliche Mengen eines Agens ist die bei einer Verschiebung derselben gegen einander geleistete Arbeit

$$L = W_1 - W_2.$$

Rücken die Massen bis in unendliche Entfernung von einander, so wird $W_2 = 0$, somit

$$L = W_1$$

Es folgt somit, dass das Potential einer Menge auf eine andere gleich der Arbeit ist, welche geleistet werden muss, um die beiden Mengen aus unendlicher Entsernung in die Lage zu bringen, in welcher ihr Potential den angegebenen Wert hat, oder welche geleistet wird, wenn die beiden Mengen sich von einander bis ins Unendliche entsernen. Stossen die beiden Mengen sich ab, so ist W_1 positiv, das System leistet also Arbeit, wenn die Massen sich entsernen, es muss Arbeit in dasselbe übertragen werden, wenn die beiden Mengen genühert werden. Ziehen die beiden Mengen

einander an, so ist das Potential negativ, das System leistet Arbeit, wenn die Massen sich n\u00e4hern, es muss in das System Arbeit \u00fcbertragen werden, wenn sich dieselben von einander entfernen.

Gleiches gilt für das Potential einer Menge auf sich selbst. Ändert sich die Verteilung des gegebenen Agens, so daß das Potential der Menge auf sich selbst von W_1 in W_2 übergeht, so ist

$$L = W_1' - W_2'$$
.

Denken wir uns die Menge in einen solchen Zustand gebracht, daß $W_2'=0$ wird, ein Zustand, der eine Verbreitung dieses Agens über einen unendlich großen Raum bedeuten würde, so ist

$$L = W,'$$

Das Potential einer Menge auf sich selbst ist somit die Arbeit, welche die gegebene Menge bei Verteilung ins Unendliche leisten kann, wenn W_1' positiv ist, oder welche, wenn W_1' negativ ist, aufgewandt werden muß, um die Menge ins Unendliche zu zerteilen. Im ersten Falle giebt uns also das Potential der Menge auf sich selbst die Arbeit, welche die zwischen den Elementen derselben wirksamen Kräfte leisten können, also den in derselben vorhandenen Arbeitsvorrat, im andern Falle die von den Kräften bei Entwicklung des gegebenen Zustandes aus unendlicher Zerteilung geleistete Arbeit, welche als lebendige Kraft bewegter Massen in derselben vorhanden sein muß. In dem einen wie in dem andern Falle können wir das Potential der Menge auf sich selbst als den Arbeitsvorrat in dem gegebenen Zustande, beziehungsweise als die Energie der gegebenen Menge bezeichnen.

Nach der vorhin gegebenen Definition des Potentials eines gegebenen Systems verschiedener Mengen auf sich selbst können wir diesen Satz sofort auch für ein beliebiges System aussprechen, das Potential eines

Systems auf sich selbst ist die Energie des Systems.

Wir können den Begriff der Energie eines Systemes noch etwas allgemeiner fassen, um sofort zu erkennen, dass bei Kräften, deren Wirkung durch die Potentialfunktion bestimmt ist, das Princip von der Erhaltung der Arbeit besteht. Sei in einem gegebenen Zustande das Potential eines Systemes auf sich selbst gleich ΣW_1 , wo wir das Zeichen Σ schreiben, um anzudeuten, dass dieses Potential aus dem der einzelnen Mengen auf sich selbst und der einzelnen Mengen auf einander besteht. Es mögen ferner die mit den Agentien verbundenen Massen gewisse Geschwindigkeiten haben, so dass in dem System eine gewisse lebendige Kraft vorhanden ist, welche wir mit $1/2 \Sigma m v_1^2$ bezeichnen wollen, und welche dem System irgendwie erteilt ist. Nun sei aber das System nur der Wirkung der innern Kräfte überlassen, und durch diese gehe das Potential desselben auf sich selbst in ΣW_2 über, so dass die Arbeit $\Sigma W_1 - \Sigma W_2$ geleistet sei. Da diese Arbeit auf die Massen des Systems übertragen ist, so muss dieselbe ganz als lebendige Kraft derselben vorhanden sein; ist also $1/2 \Sigma m v_2^2$ die lebendige Kraft in dem Systeme nach der Änderung, so muss

 $\Sigma W_1 - \Sigma W_2 = \frac{1}{2} \Sigma m v_2^2 - \frac{1}{2} \Sigma m v_1^2$

$\Sigma W_1 + \frac{1}{2} \Sigma m v_1^2 = \Sigma W_2 + \frac{1}{2} \Sigma m v_2^2$.

uf beiden Seiten dieser Gleichung stehenden Summen sind die Energie ystemes in dem allgemeinern Sinne, indem sie auch den Fall um, daß in dem gegebenen Zustande von außen in das System eine se Arbeitsmenge übertragen ist, und diese Gleichung ist der Ausdes Satzes, daß in einem gegebenen, nur der Wirkung innerer e unterworfenen System die Energie konstant ist. Denn dieselbe aus, daß der gesamte Arbeitsvorrat des Systems nach jeder nur innere Kräfte bewirkten Veränderung der gleiche ist, wie vor dem eten der Änderung. Man nennt häufig das Glied ΣW die potentielle, llied $\frac{1}{2}\Sigma mv^2$ die kinetische Energie des Systemes, so daß wir obige hungen auch kurz dahin aussprechen können, daß bei einer durch e Kräfte bewirkten Änderung eines Systems potentielle Energie in ische verwandelt wird oder umgekehrt, daß aber die Summe beider konstant ist, wenn nicht von außen in das System Arbeit übertragen ihm solche entzogen wird.

Erster Abschnitt. Vom Magnetismus.

Erstes Kapitel.

S. 10.

Beschreibung der magnetischen Rigenschaft. Unter den Eisenerzen findet sich ein nach der Formel Fe_3 O_4 ausammengesetzes Oxyd, das Eisenoxydoxydul, welches häufig die Eigenschaft besitzt Eisenteile, Feilspäne, kleine Stückchen anzuziehen und festzuhalten. Legt man ein Stück dieses Erzes in Eisenfeilicht, so bleiben an vielen Stellen desselben ziemliche Quantitäten der Späne haften, wenn man den Stein aus dem Feilicht beraushebt. Ausser dem Eisen wird von diesen Erzen, jedoch in viel geringerem Maße, auch Nickel und Kobalt angerogen; von einigen anderen Metallen, so Chrom, Mangan¹), ist es noch zweifelhaft. Diese eigentümliche Eigenschaft wurde schon im Altertume an den Eisenerzen, welche bei der kleinasiatischen Stadt Magnesia gefunden wurden, zuerst beobachtet, sie wurde daher zunächst die Eigenschaft der magnetischen Steine und später die magnetische Eigenschaft oder kurz Magnetismus genannt. Kürper, welche diese Eigenschaft zeigen, haben den Namen Magnete und das erwähnte Eisenerz den Namen Magneteisenstein erhalten.

Ein magnetisches Stück des Magneteisensteins zieht keineswegs an allen Stellen der Oberfläche das Eisen gleichmäßig an; legt man ein solches Stück in Eisenspäne, so bleiben dieselben nur an zwei oder mehreren Stellen vorzugsweise haften, während ausgedehnte Teile der Oberfläche keine Spur von Eisen festhalten. Jene Stellen, an denen das Eisen haften bleibt, bezeichnet man als die Polargegenden oder die magnetischen Pole des Magneta.

Wenn man dem Pole eines Magnets ein Stäbchen weichen Eisens nähert, oder das eine Ende desselben an den Pol anlegt und dann das Eisenstäbchen in Eisenfeile taucht, so zeigt sich auch dieses Eisenstäbchen mag-

Man sehe Pouillet, Elemens de Physique Tome II und Faraday, Philosophical Magazin III. Ser. Vol. VIII und IX. 1836. Poggend. Ann. Bd. LXV, Bd. LXVII, Bd. LXIX, Bd. LXX. Auch Lawout, Handbuch des Magnetismus Encyklopiidie Bd. XV) p. 31 ff.

setisch und zwar so lange, als es sich in der Nühe des Poles befindet; coffernt man es von demselben, so hat es im allgemeinen seinen Magnetimus wieder verloren. An einem solchen Eisenstäbehen erkennt man whon viel deutlicher, dass die magnetische Eigenschaft keineswegs an allen Stellen des Magnets gleich stark ist; man sieht vielmehr, dass das von dem Magnete entfernte Ende und das ihm nächste am meisten Eisenfeile festlalten, und dass um so weniger an dem Eisen haften, je mehr man sich der Mitte nühert. In der Mitte des Stäbchens findet sich eine breite Ime, an welcher durchaus keine Feilspäne haften, welche also nicht magnetisch ist.

Nur weiches Eisen zeigt die eben erwähnte Eigenschaft, sofort durch Berthrung eines Magnetpoles zum Magnet zu werden und sofort nach Entfernung des Magnetpoles fast augenblicklich den Magnetismus zu verheren; legt man gehärteten Stahl an den Pol eines Magnets, so zeigt beselbe anfangs kaum eine Spur von Magnetismus, jedoch nach einiger Zeit wird auch der Stahl magnetisch, und sein Magnetismus nimmt bis m einer gewissen Grenze zu, je länger er sich mit dem Magnete in Be-Miring befindet. Besser noch läst sich ein Stahlstab magnetisch machen, wenn man ihn mit einem Magnetpole wiederholt in einer und derselben

Richtung streicht.

Ein auf die eine oder die andere Weise magnetisierter Stahlstab zeigt Inn aber die Eigentümlichkeit, dass er den ihm erteilten Magnetismus micht, wie das Eisen, verliert, wenn man den erregenden Magnet fortnimmt; er behält vielmehr den ihm erteilten Magnetismus fast ungeschwächt bii, er ist bleibend zum Magnet geworden. Derartige künstliche Magnete, vindrische oder parallelepipedische Stäbe von Stahl, wendet man daher Im besten zur Untersuchung der magnetischen Eigenschaften an, da sie m den natürlichen Magneten den Vorzug einer bequemern Form haben, m tbrigen aber ganz dieselben Eigenschaften zeigen.

An einem Stabmagnete erkennt man sofort, dass der Magnetismus mr an den Enden hervortritt, dass er um so schwächer wird, je mehr man sich der Mitte des Magnets nähert. Hängt man ein eisernes Kügelchen auf und nähert demselben einen Magnet, so wird dasselbe von den Enden desselben angezogen und festgehalten, die Mitte des Stabes vermag dagegen nicht das Kügelchen aus seiner Gleichgewichtslage zu entfernen. Der eben

schon erwähnte Versuch, das Einlegen eines Magnets in Eisenspäne, zeigt die Verteilung des Magnetismus am deutlichsten; die Eisenspäne legen sich (Fig. 7) vorzugsweise an die Enden des Stabes an, von denen sie büschelförmig



hervorstehen. An den Seiten legen sie sich ebenfalls an, jedoch an den der Mitte näheren Stellen immer weniger; in der Mitte bleibt eine bei den verschiedenen Magneten verschieden breite Zone, welche gar keine Feilspäne trägt.

Man bezeichnet daher die Enden des Magnets, wo sich der Magnetismus vorzugsweise zeigt, als die Pole des Magnets und nennt die mittlere Zone, welche keine magnetische Eigenschaften zeigt, die Indifferenzzone.

Wie sich aus dem Vorigen ergiebt, ist der Magnetismus keine den

magnetischen Substanzen als solchen zukommende Eigenschaft, denn es giebt Magnetsteine, welche keine Spur von Magnetismus zeigen, ebenso wie das weiche Eisen und der Stahl im allgemeinen nicht magnetisch sind; die Magneteisensteine sind nur zuweilen unter nicht näher gekannten Umständen magnetisch, weiches Eisen ist nur magnetisch, wenn es sich unter dem Einflusse eines Magnets befindet, und Stahl nur dann, wenn er eine Zeit lang dem Einflusse des Magnets ausgesetzt war. Der Magnetismus ist daher den Substanzen, welche magnetisch sein können, nicht wesentlich, da dieselben Substanzen magnetisch sein können oder nicht, er ist demnach eine Kraft, der ein unbekannter Träger zu Grunde liegt. Um diesen Träger kurz bezeichnen zu können, spricht man von einem magnetischen Fluidum, welches, wenn es in den Körpern enthalten ist, dieselben fähig macht Magnetismus zu zeigen. Man dachte sich früher dieses Fluidum als eine äusserst feine, den Körper durchdringende Flüssigkeit, etwa wie den Äther, welche der Schwere nicht unterworfen ist, da das Gewicht eines Stahlstabes ganz genau dasselbe ist, ob er magnetisch ist oder nicht. Die Flüssigkeit wurde daher eine imponderabele genannt und mit dem Licht und Wärmestoff, welchen man früher annahm, zu den Imponderabilien gezählt.

Da wir vorhin sahen, dass Stahl oder Eisen magnetisch werden, wenn sie mit einem Magnete in Berührung sind, so könnte es auf den ersten Blick den Anschein haben, als ob das magnetische Fluidum von einem Körper zu dem andern übertragen würde, und als ob durch die Aufnahme dieses Fluidums ein Körper zum Magnet würde. Dieser Annahme widersprechen aber mehrere Erfahrungen; zunächst würde es dann höchst auffallend sein, dass nur so wenige Substanzen magnetisch werden können, besonders dass nicht alle Metalle, welche sonst in ihrem physikalischen Verhalten die größte Ähnlichkeit zeigen, in Magnete verwandelt werden können. Ferner ist klar, dass wenn das Magnetisieren Folge des Überfließens des magnetischen Fluidums aus dem Magnete in die zu magnetisierenden Körper wäre, dass dann der Magnet an Kraft um so mehr abnehmen müßte, je mehr Körper mit demselben magnetisiert werden, ja dass schließlich der Magnetismus des Magnets sich ganz verlieren müßte. Das ist jedoch durchaus nicht der Fall; man mag mit einem Magnete soviel Stahlstäbe magnetisieren als man will, der Magnetismus desselben bleibt immer derselbe, da beim Einlegen in Eisenfeilspäne immer dieselbe Quantität Eisenfeilicht an ihm hängen bleibt.

Weiter spricht gegen diese Annahme die Erfahrung das die Wirkung eines Magnets nicht nur in die Ferne reicht, sondern das sie auch sämtliche nicht magnetische Substanzen zu durchdringen vermag, ohne das letztere eine Spur von Magnetismus zeigen. Von dieser Thatsache kann man sich leicht durch einen einfachen Versuch überzeugen. Man befestige ein Stäbchen weichen Eisens vertikal in einem Stativ und lasse dessen unteres Ende in Eisenfeile tauchen. Man befestige dann etwa in dem Abstande von 1 Cm. über demselben den Pol eines Magnets, so wird der Eisenstab sosort eine gewisse Menge Feilspäne anziehen, welche haften bleibt wenn man die darunter stehende Schale fortnimmt. Man halte dann zwischen dem Magnetpole und dem Eisenstabe eine Platte von Glas oder Holz oder irgend einer unmagnetischen Substanz, so wird von den Feilspänen nichts herabfallen, der Eisenstab bleibt also magnetisch. Wie vorhin erwähnt

ist aber das Eisen nur so lange magnetisch, als es sich unter dem Einflusse eines Magnets befindet, die Wirkung des Magnets geht also durch die unmagnetische Substanz hindurch. Ebenso deutlich erkennt man das, wenn man den Magnet fortnimmt und ihn dann wieder in die frühere Lage bringt; sobald man ihn fortnimmt, fallen alle Eisenfeilspäne ab, bringt man ihn wieder zurück und nähert dem untern Ende des Stabes wieder die Feilspäne, so werden dieselben sofort wieder angezogen und bleiben an dem Stabe haften. Nähert man nun aber der Glasscheibe unter dem Magnet Eisenfeilicht, so zeigt dieselbe keine Spur von Magnetismus, die Feilspäne werden von ihr nicht angezogen.

Da somit die Wirkung des Magnets durch Körper hindurchdringt, ohne dieselben zu Magneten zu machen, so folgt, das das Magnetisieren nicht durch das überfließende magnetische Fluidum hervorgebracht werden kann. Denn dann müßte das Fluidum die Glasscheibe durchdringen und dieselbe wenigstens so lange magnetisch sein, als Fluidum hindurchgeht oder darin ist.

Wir müssen daraus schließen, daß das magnetische Fluidum bereits in den Körpern, welche die magnetische Eigenschaft anzunehem imstande sind, enthalten ist, in einer Weise aber, welche die Körper unfähig macht den Magnetismus zu zeigen, und daß der Akt des Magnetisierens nur in einer Belebung oder Erweckung des Magnetismus, in einer Zustandsänderung des vorhandenen magnetischen Fluidums besteht. Die Wirkung eines angenäherten Magnets bestände dann eben nur in jener Belebung, ohne daß von ihm etwas in den magnetisierten Körper übergeht.

Die Art und Weise, wie man sich das magnetische Fluidum in magnetisierbaren nicht magnetischen Körpern denken kann, ergiebt sich aus einer genauern Untersuchung der magnetischen Eigenschaft der Magnete.

Wenn man einen Magnetstab horizontal an einem Faden, der nur eine geringe Torsionskraft hat, aufhängt, etwa so, dass man ihn in ein Papierschiffchen (Fig. 8) u einschiebt, so nimmt der Stab nach einigen Schwin-

gungen immer eine bestimmte Lage an, so dass seine Längsrichtung mit dem astronomischen Meridian einen gewissen Winkel bildet. Bezeichnen wir, wenn der Stab seine Gleichgewichtslage angenommen hat, den einen der beiden Pole, etwa den nach Norden zeigenden, und bringen dann den Stab aus seiner Ruhelage, so kehrt er nach einigen Schwingungen in dieselbe zurück und zwar stets so, dass der bezeichnete Pol wieder nach Norden zeigt. Geben wir dem Magnete in einer andern Weise eine horizontale Lage, so dass er in der Horizontalebene sich frei drehen kann, indem wir ihn auf eine Spitze aussetzen oder indem wir ihn auf eine schwimmenden Kork legen, so tritt ganz



dasselbe ein, er nimmt schliefslich eine Ruhelage an, in welcher der bezeichnete Pol nach Norden zeigt.

Die beiden Magnetpole zeigen daher eine Verschiedenheit, indem ein in horizontaler Ebene drehbarer Magnet sich immer so stellt, dass der eine Pol des Magnetes nach Norden, der andere nach Süden zeigt. Man unterscheidet daher die beiden Pole, indem man den nach Norden zeigenden den

Nordpol, oder da er gewöhnlich auf den Magneten bezeichnet wird, der bezeichneten Pol nennt, während der andere Pol der Südpol oder nicht bezeichnete Pol genannt wird.

In ihrem Verhalten gegen magnetisierbare Körper zeigen die beiden Pole keine Verschiedenheit, beide ziehen dieselben an, beide verwandeln Eisenstäbe vorübergehend, Stahlstäbe dauernd in Magnete. Nühern wir z. B. dem in angegebener Weise aufgehängten Magnete einen Stab weichen Eisens, so wird er von letzterem angezogen und dem entsprechend aus seiner Ruhelage abgelenkt, sowohl wenn der Eisenstab dem Nordpole als wenn er dem Südpole genühert wird.

In dem Verhalten der beiden Pole gegen andere Magnete zeigt sich dagegen eine bedeutende Verschiedenheit. Nähern wir dem in der eben angegebenen Weise aufgehüngten, in der Ruhelage befindlichen Magnete den Pol eines zweiten Magnets, so wird der hängende Magnet nicht mehr unter allen Umständen angezogen, sondern bald angezogen, bald abgestoßen. Wurde durch den genäherten Magnet der Südpol angezogen, so wird der hängende Magnet so lange angezogen, als sich der genäherte Pol an der Südhälfte jenes befindet; überschreitet der genäherte Magnet die Indifferenzzone und nähert er sich dem Nordpole des hängenden Magnetes, so wird letzterer abgestoßen und zwar um so stärker, je näher die beiden Pole sich kommen. Bestimmt man durch Aufhängen des genäherten Magnetes die Pole desselben, so findet man, dass der genäherte Pol ein Nordpol Nähert man darauf dem aufgehängten Magnete den Südpol eines zweiten, so wird der Südpol abgestoßen wie vorhin der Nordpol, und der Nordpol angezogen wie vorhin der Stidpol. Es zeigt sich also darin ein entschiedener Gegensatz der beiden Pole, den wir kurz dahin aussprechen können, dass die gleichnamigen Pole zweier Magnete, Nord und Nord oder Süd und Süd, sich abstoßen, daß aber die ungleichnamigen Pole, Nord und Süd, sich anziehen.

Nach Erkennung dieser Verschiedenheit der beiden Magnetpole läst sich nun auch leicht zeigen, dass das gleiche Verhalten der beiden Pole gegen magnetisierbare nicht magnetische Körper doch in verschiedener Wirkung derselben seinen Grund hat. Wie wir sahen, werden von den Magneten nur magnetisierbare Körper angezogen, und wie wir ferner sahen, werden die magnetisierbaren Körper unter Einwirkung der Magnete selbst magnetisch. Wir werden daher schließen, daß die Anziehung der magnetisierbaren Körper eben in dem Magnetischwerden derselben ihren Grund hat, und dann weiter, dass der Magnetismus so erregt wird, dass dem Magnetpole zunächst in dem angezogenen Körper ein mit demselber ungleichnamiger Pol induziert wird. Nähern wir also dem Nordpole eines Magnetes einen Stab weichen Eisens, so wird in dem genäherten Ende der Stabes ein Südpol und in dem fernern Ende ein Nordpol induziert. Nähern wir dagegen den Eisenstab einem Stidpole, so wird in dem genäherter Ende ein Nordpol, in dem fernern Ende ein Südpol induziert. Die Pole is dem Eisenstabe würden also in beiden Fällen entgegengesetzt liegen, oder allgemein, ein Magnetpol würde in dem nühern Ende eines genäherter Eisenstabes einen ungleichnamigen, in dem fernern einen gleichnamiger Pol induzieren.

Dass diese Schlüsse in der That richtig sind, lässt sich durch mehren

Vorsuche beweisen. Wenn man an einen Pol eines kräftigen Magnetstabes, awa an den Nordpol, ein Stück weichen Eisens gehängt hat, und nähert dam dem Nordpole in der Art, wie es Fig. 9 zeigt, den Südpol S' eines

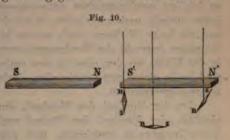
weiten, ebenso kräftigen Magnetes, so fällt das Eisenstück herab, sobald der Südpol S' sich über dem Nordpol N befindet. Der Magnet SN trägt das Eisenstück, indem er es so magnetisiert, daß oben bei N ein Südpol erzeugt wird, bei b ein Nordpol; er trägt es, weil die ungleichnamigen Pole zweier Magnete sich anziehen. Der genäherte



Sudpol S' des obern Magnetes induziert in dem weichen Eisen bei N men ebenso starken Nordpol. Da nun die beiden Pole entgegengesetzte Eigenschaften haben, so hebt der eine den andern auf, und das Eisen wird umagnetisch; das Herabfallen desselben beweist, das das Eisen nur deshalb angezogen und getragen wird, weil es zum Magnet wird und zugleich, das die Pole in der ebenangeführten Weite erzeugt werden.

Wir können das noch direkter zeigen; legen wir einen nicht zu kurzen Stab S'N' weichen Eisens in der Fig. 10 angegebenen Weise vor den Nord-

pol eines kräftigen Magnetstabes NS und führen an dem Stabe eine kleine Nadel ns vorüber, welche so magnetisiert ist, daß ihr Nordpol sich in n, ihr Südpol sich in s befindet, und welche in her Horizontalebene drehbar aufgehängt ist, so wird der Nordpol der Nadel angezogen, der Südpol begestoßen, wenn die Nadel sich



bei dem Ende S' des Eisenstabes befindet; dagegen wird umgekehrt der Stdpel der Nadel von dem Eisenstabe angezogen, der Nordpol abgestoßen, wenn die Nadel sich näher bei N' befindet, in gleicher Entfernung von beden Enden stellt sich die Nadel dem Stabe parallel, so daß der Südpol ach der Seite N', der Nordpol nach der Seite S' zeigt. Aus alle dem nicht sich, daß der weiche Eisenstab durch den Nordpol des Magnetes 5N so magnetisiert ist, daß das Ende S' zum Südpol, das andere vom Nordpol am weitesten entfernte Ende dagegen ein Nordpol geworden ist. Kehren wir den Magnet NS um, so daß der Südpol sich jetzt an der Stelle befindet, wo vorher der Nordpol war, so kehrt sich auch sofort, wie ein ebensolcher Versuch zeigt, der Magnetismus des Stabes S'N' um, bei S' entsteht ein Nordpol, bei N' ein Südpol.

Die Wirkung der beiden Pole auf das magnetisierbare weiche Eisen ist also in sofern dieselbe, dass beide das Eisen zum Magnet machen, in sofern aber verschieden, dass die Lage der Pole im weichen Eisen entgegengesetzt ist, wenn der nächste Pol ein Nordpol ist, als wenn er ein Südpol ist.

Wenden wir bei dem vorigen Versuche anstatt des weichen Eisens einen Stahlstab an, so ist das schließliche Resultat in einer Beziehung dasselbe; der Stahlstab wird so magnetisiert, daß das dem Nordpole des Magnetes nachste Ende ein Südpol, das entgegengesetzte ein Nordpol wird; a einer andem Beziehung dagegen zeigt der Stahl ein wesentlich anderes

Verhalten. Während nämlich das Eisen momentan zum Magnet wird, wen es der Einwirkung des Magnetes unterworfen wird, und momentan seine Magnetismus fast vollständig verliert, wenn es der Einwirkung des Magnete entzogen wird, dauert es beim Stahl eine geraume Zeit, ehe er magnetisch Eigenschaften zeigt, ja es ist notwendig, denselben eine Zeit lang an de Magnet anzulegen oder mit einem Pole desselben nach einer Richtung mehrfach zu streichen, ehe er merklichen Magnetismus zeigt. Ist de Stahlstab aber einmal zum Magnet geworden, so bleibt er dauernd magnetisch, und verliert seinen Magnetismus nur wieder, wenn er in demnächs zu besprechender Weise behandelt wird.

Die zuletzt beschriebenen Eigenschaften der Magnete sind imstande uns eine Vorstellung davon zu liefern, wie das magnetische Fluidum, un zunächst noch an dieser Vorstellungsweise festzuhalten, in den magnetisier baren Körpern vorhanden ist. Wenn die magnetischen Eigenschaften de Körper auf der Anwesenheit eines Fluidums beruhen, so sind wir nach dem Vorigen genötigt, zwei solcher Fluida anzunehmen, eines, welche den Nordmagnetismus, eines, welches den Südmagnetismus bedingt. Dem der Magnetismus des Nordpoles ist von jenem des Südpoles verschieden er ist ihm gewissermaßen entgegengesetzt, so daß, was dieser abstößt jener anzieht und umgekehrt. Sind die beiden Fluida vereinigt, so kön nen sie keine Wirkung nach außen hin zeigen. An der Nordhälfte eine Magnetes herrscht der Nordmagnetismus vor, an der Südhälfte der andere in der Mitte, wo der eine in den andern übergeht, in der Indifferenzzone sind beide gleich stark vorhanden, deshalb besitzt diese Stelle keine magne tische Eigenschaften.

Da der Nordpol den Nordpol, der Südpol den Südpol des Magnete abstöfst, der Nordpol den Südpol anzieht, so müssen wir nach unsere Vorstellungsweise annehmen, daß die gleichnamig magnetischen Fluid sich abstoßen, die ungleichnamigen sich anziehen, denn nach unserer Ar schauungsweise sind die magnetischen Fluida die Träger der anziehende und abstoßenden Kräfte.

Beachten wir, dass bei dem Magnetisieren des Eisens oder Stahle nichts aus dem Magnete in den zu magnetisierenden Körper übergeht, un zugleich, dass bei dem Magnetisieren stets, wie erwähnt, beide Pole und soweit wir bis jetzt erkennen können, beide in gleicher Stärke auftretei so werden wir auf die Annahme geführt, dass in den magnetisierbare Substanzen beide magnetische Fluida vorhanden sind, und zwar beide i gleicher Menge und beide gleichmäßig durch die Substanz verteilt. I das der Fall, so können diese Substanzen zunächst nach außen durchai keine magnetische Eigenschaft zeigen, ebensowenig wie die Indifferenzzor des Magnetes, denn an jeder Stelle wirken beide Fluida mit gleiche Stärke, was das eine anzieht, stößt das andere ab. Wird aber eine solch Substanz der Einwirkung eines Magnetes unterworfen, so werden die Ve hältnisse andere; wirke z. B. ein Nordpol auf einen Eisenstab in der Las Fig. 10. Das nordmagnetische Fluidum des Nordpoles stößt das nor magnetische Fluidum des Eisens von sich und zieht das südmagnetisch an; ersteres fliesst in das entfernte Ende N' des Stabes, letzteres in di dem Magnete nähere nach S'. Da jetzt die beiden Fluida von einande wenigstens zum Teil getrennt sind, so muss der Stab magnetische Eiger

schaften zeigen, und zwar das Ende S' stidmagnetische, das Ende N' wirdmagnetische. Wird dann der Magnet wieder entfernt, so fließen die beiden Fluida, da sie sich anziehen, wieder zusammen und der Stab wird wieder unmagnetisch.

Auch im Stahl, als einem magnetisierbaren Körper, sind die beiden magnetischen Fluida in gleicher Menge vorhanden; da indes im Stahl nicht sofort, sondern nur durch fortgesetzte Wirkung des Magnetes die magnetischen Fluida getrennt werden, und da weiter nach Entsernung des Magnetes die beiden Fluida nicht der gegenseitigen Anziehung folgen, sondern von einander getrennt bleiben, so sind wir zu der Annahme genötigt, dass der Stahl der Bewegung der magnetischen Fluida einen gewissen Widerstand leistet. Dieser Widerstand verhindert, dass die magnetischen Fluida der anziehenden und abstossenden Wirkung des genäherten Magnetpoles sosort solgen und im Stahle sich trennen. Er verhindert zugleich, dass die einmal getrennten Fluida, ihrer gegenseitigen Anziehung solgend, sich wieder vereinigen. Man bezeichnet diesen Widerstand, welchen der Stahl der Bewegung der magnetischen Fluida entgegensetzt, als Koercitivkraft.

Mit Hilfe der Annahme zweier magnetischer Fluida von den beschriebenen Eigenschaften, sind wir daher imstande, uns eine Vorstellung über das Wesen des Magnetismus zu bilden; einen andern theoretischen Wert am diese Annahme nicht beanspruchen, eine Erklärung der magnetischen Erscheinungen, wie uns z. B. die Undulationstheorie eine Erklärung der Lichterscheinungen bot, liefert sie uns in keiner Weise. Die Übereinstimming dieser Hypothese mit den weiteren Beobachtungen kann selbst nicht dan dienen, uns von der realen Existenz dieser Fluida zu überzeugen, da sie in der That nur der Ausdruck jener Erfahrung sind, dass nicht die magnetisierbaren Substanzen selbst die Träger des Magnetismus sein können, ud da die einzelnen Beobachtungen mit dieser Annahme nur dadurch übereinstimmen, dass wir diesen hypothetischen Fluiden eben die Eigen-Shaften beilegen, welche die Magnete uns darbieten. Es ist diese Hypothese im Grunde nur eine Umschreibung der beobachteten Thatsachen, wir behalten sie zunächst bei, weil sie uns gestattet, denselben einen kurzen, präcisen Ausdruck zu geben, ohne daß wir damit die wirkliche Existenz solch eigentümlicher Flüssigkeiten annähmen¹).

§. 11.

Konstitution der Magnete. Das Verhalten des Magnetes gegen Eisen und andere Magnete zeigt, dass derselbe in zwei, durch eine Indifferenzzone getrennte Teile zerfällt, deren einer nordmagnetische Eigenschaften zeigt, während der andere südmagnetische zeigt. Denn nähern wir einem horizontal aufgestellten Magnete einen andern, so wird dessen Nordpol an der ganzen Nordhälfte des festen Magnetes bis zur Indifferenzzone abgestoßen, auf der ganzen Südhälfte angezogen. Die Gruppierung der Feilspäne an den Magneten zeigt dann schon, dass der Magnetismus von der Mitte aus

¹⁾ Das Historische über die Beobachtung der magnetischen Eigenschaften und die Hypothese über die Fluida findet sich in Gehlers Physik. Wörterbuch II. Aufl. Bd. V, 2. Abtlg. Artikel Magnetismus. Lamont, Handbuch des Magnetismus (Karstens Encyklopädie Bd. XV).

zu den Enden hin stetig zunimmt. Diese Beobachtung führt zu der Vermutung, dass in dem Magnete die beiden Fluida vollständig von einander getrennt seien, dass die eine Hälfte nur nordmagnetisches, die andere nur stidmagnetisches Fluidum enthalte.

Diese Vermutung bestätigt sich aber nicht; wäre sie richtig, so würde folgen, dass eine Zerteilung eines Magnetes in seiner Mittellinie uns zwei halbe Magnete, ein nordmagnetisches und ein südmagnetisches Stück liefern müßte. Das ist nicht der Fall, denn eine Teilung des Magnetes liefert uns stets wieder zwei vollständige Magnete mit Nordpol und mit Südpol; die Trennungsstelle der Nordhälfte des Magnetes wird nämlich sofort zum Südpol, und diejenige der Südhälfte zum Nordpol. Wie weit man auch die Zerteilung des Magnetes fortsetzt, und wo man auch dieselbe vornimmt, ob man ein Stück der Nordhälfte oder der Südhälfte des Magnetes nimmt, immer erhält man einen vollständigen Magnet. Der Versuch gelingt am besten mit einer Stahlnadel, einer Stricknadel etwa, welche man, um später alle fremden Einflüsse fern zu halten, vor dem Magnetisieren mit einer Anzahl von Feilstrichen versieht an den Stellen, wo man sie später brechen will.

Diese Beobachtung macht eine andere Annahme über die Konstitution der Magnete notwendig, sie fordert, da jedes Fragment eines Magnetes als vollständiger Magnet erscheint, dass in jedem Moleküle desselben die beiden magnetischen Fluida vorhanden und von einander getrennt sind. Jedes Molekül wird dadurch zu einem Elementarmagnete, und jeder Magnet ist demnach aus einer großen Anzahl solcher Elementarmagnete zusammengesetzt, deren Pole gleichgerichtet sein müssen. Denn denken wir uns eine Reihe von magnetischen Molekülen ns, n's', ... (Fig. 11), so wird diese

nur dann magnetische Eigenschaften haben können, wenn jedes Molekül nach derselben Seite seinen Nordpol und nach der

andern Seite seinen Südpol hinwendet. Denn wäre das nicht der Fall, wäre z. B. die Polarität des Moleküles n"s" derjenigen der vor und hinter ihm befindlichen entgegengesetzt, so würde durch die Wirkung des südlichen Fluidums in n" die Verteilung in n"s" derartig sein, dass s" ein Nordpol, n''' ein Südpol würde; die Wirkung des nördlichen Fluidums in s' auf dasselbe Molekül würde dort allerdings entgegengesetzte Polarität herzustellen suchen; da aber das südliche Fluidum in n" dem Moleküle s"n" näher liegt, so würde die erstere Verteilung überwiegen und s"n" in der Weise Polarität annehmen, dass die Pole mit denjenigen des Moleküles n"s" gleichgerichtet sind.

Ebenso würde das Molekül n"s" auf das Molekül n's' einwirken, auch dieses würde durch die Verteilung von n's" in n' einen Südpol, in s' einen Nordpol erhalten.

Ganz entgegengesetzten Einfluss auf die betrachteten Moleküle würden aber die Moleküle ns und nIVsIV ausüben, und da dieselben in den gleichen Abständen von den betrachteten Molekülen sich befinden, so würden an denselben Stellen entgegengesetzte Pole von derselben Stärke auftreten, oder Aia Moleküle würden ihre magnetischen Eigenschaften verlieren.

uf das Molekül n"s" würden ferner die Moleküle ns und nWs!

٠,

μ. : =

一般のは、は、は、は、ないのでは、なるななななない。一般のは、ないので

einwirken; und zwar, wie sich aus dem Vorigen ergiebt, so, daß jedes in n's' eine Verteilung des magnetischen Fluidums bewirken würde, welche der vorhandenen entgegengesetzt ist. Die magnetische Polarität des Moletules n's' würde somit, wenn nicht ganz vernichtet, so doch wesentlich geschwächt werden müssen; es kann somit in einer solchen Reihe der Magnetismus nur dann bestehen, wenn die Polaritäten der einzelnen Moletule gleich gerichtet sind.

Diese Gleichrichtung der Moleküle folgt ebenso aus der soeben angeührten Erfahrung, das jede Zerteilung eines Magnetes wieder vollständige Magnete liefert, und das die Pole an den Trennungsstellen den Polen an den anderen Enden der abgetrennten Stücke entgegengesetzt sind. Denn der Magnetismus an dem Ende eines Magnetes wird von der Polarität der letten Molekülschicht bestimmt; wäre nun die Polarität einer Schicht z. B. n"s", umgekehrt als bei der andern, so würde eine Zerteilung des Stabes bei n" einen Magnet liefern, dessen beide Enden gleiche Polarität hätten, also einen Magnet, der nach aussen hin nur als die eine Hälfte eines vollständigen Magnetes austräte.

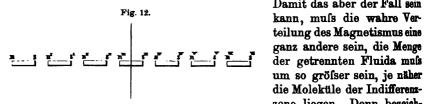
Es fragt sich, in welcher Weise der Magnetismus in der Molekülreihe verteilt sein mus, das heist wie sich die Intensität des Magnetismus oder, was dasselbe ist, die Menge der getrennten Fluida verhalten mus, damit der Magnet die bisher beschriebenen Wirkungen nach aussen hin zeigen kann. Wir sind zwar noch nicht imstande, den Magnetismus zu messen, das zeigt aber, wie erwähnt, schon die Gruppierung der Eisenfeilspäne, dass die anziehende Wirkung der Magnete von den Enden an, wo sie am stärksten ist, nach der Mitte zu stetig und rasch abnimmt, und dass sie in der Indifferenzzone gleich O ist.

Wir werden in der magnetischen Molekülreihe, da die Moleküle sowohl selbst als ihre Abstände von einander unendlich klein sind, anstatt der wirklichen Verteilung des Magnetismus in jedem Moleküle, uns denken können, dass die magnetischen Fluida jeder Art in einem Punkte zwischen je zwei benachbarten Molekülen angesammelt seien, dass also der Nordmagnetismus des Moleküles ns in einem Punkte mitten zwischen den Polen n und s' angesammelt sei, und dass eben dort sich das südmagnetische Fluidum des Teilchens n's' befinde; dass ebenso die Fluida von n' und s' u. s. s. f. in dem Mittelpunkte zwischen den beiden Polen angesammelt seien. Denn da die Abstände der entgegengesetzt polaren Molekülhälften unendlich klein sind, so wird deren Gesammtwirkung nach außen hin ganz dieselbe sein, als wenn die Magnetismen dieser Hälsten in einem und demselben mitten zwischen ihnen liegenden Punkte vereinigt wären.

Dieses angenommen, muß die magnetische Wirkung dieser Punkte nach außen hin ganz dieselbe sein, als befände sich in ihnen nur die Differenz der beiden magnetischen Fluiden, welche wir soeben dort angenommen haben. Denn was das nordmagnetische Fluidum dieser Punkte abstößt, das wird von dem südmagnetischen Fluidum ganz ebenso angezogen und umgekehrt. Nur die Differenz der Anziehungen kann deshalb beobachtet werden. Oder in bezug auf die Wirkung nach außen hin wird in den einzelnen Punkten das magnetische Fluidum der einen Art durch eine ebenso große Menge des magnetischen Fluidums der andern Art neutralisiert, und die Wirkung ist derart, als wenn nur die Differenz der beiden Fluida in

dem Punkte vorhanden wäre. Man bezeichnet diese Differenz als den freien Magnetismus dieses Punktes.

Die Verteilung dieses freien Magnetismus beobachten wir direkt an den magnetischen Wirkungen des Stabes; wir erkennen daraus, dass die Menge desselben von den Enden gegen die Mitte hin stetig abnimmt.



Damit das aber der Fall sein kann, muss die wahre Verdie Moleküle der Indifferenzzone liegen. Denn bezeich-

nen wir in der Molekülreihe Fig. 12 die Mengen der in jedem Moleküle getrennten Fluida mit n, s, n', s' ..., so sind die Mengen des freien Magnetismus von den beiden Enden an

$$n, n'-s, n''-s', n'''-s''.$$

 $s^{VI}, s^{V}-n^{VI}, s^{IV}-n^{V}, s^{III}-n^{IV}.$

Die obere Reihe liefert den freien Magnetismus der nördlichen, die untere denjenigen der südlichen Hälfte der Molekülreihe; wie man sieht, liefert aber die obere Reihe nur dann freien Nordmagnetismus, wenn

$$n' > s$$
, $n'' > s' \dots$

die untere nur dann freien Südmagnetismus, wenn

$$s^{\nu} > n^{\nu_I}, \quad s^{I\nu} > n^{\nu} \dots$$

Aus der beobachteten Verteilung des freien Magnetismus folgt also, daß die magnetische Polarität der einzelnen Moleküle um so stärker sein mus, je näher sie der Mitte der Reihe liegen 1).

Einen Magnet können wir uns aus einer sehr großen Anzahl solcher Molekülreihen zusammengesetzt denken; jeder zu seiner Längsrichtung senkrechte Schnitt entspricht dann einer Schicht von Molekulen, deren jedes einzelne zu einer solchen Reihe gehört. Die Verteilung des freien Magnetismus fordert daher, dass die magnetische Polarität der einzelnen Schichten um so stärker ist, je nüher sie der Mitte des Magnetes liegen.

Dass das in der That der Fall ist, läst sich auch durch einen einfachen Versuch zeigen. Magnetisiert man eine Stahlnadel und zerbricht sie dann in mehrere Stücke, so haften an den mittleren Stücken stets größere Mengen von Feilspänen als an den Stücken, welche den Enden nüher waren. Oder legt man eine Anzahl von Nadeln in eine Reihe und magnetisiert dieselben, so sind die mittleren Nadeln der Reihe stets stärker magnetisch als die äußeren.

Auch unsere Vorstellung über den Akt des Magnetisierens muß, den letzten Erfahrungen entsprechend, eine andere werden; nach diesen kann dasselbe nicht darin seinen Grund haben, dass die den Stab gleichmäsig anfüllenden Fluida verteilt und das eine derselben in die eine, das andere

¹⁾ Van Rees, Poggendorffs Annalen Bd. LXX.

is die andere Halfte des Stabes gebracht wird. Es ist indes leicht, unsere Amahmen nach den soeben gemachten Erfahrungen zu modifizieren, ja wir tonnen uns von denselben leicht zwei Vorstellungen machen. Nach der ørsten kann man sich denken, dass im unmagnetischen Zustande in jedem Moleküle eines magnetisierbaren Körpers die beiden Fluida ganz gleichmakig verteilt sind, und dass nun beim Magnetisieren dieselben von einander getrennt und das eine in der einen, das andere in der andern Hälfte des Molekules angesammelt werde. Dieses ist die ältere Annahme, welche der Theorie des Magnetismus, wie sie von Poisson entwickelt wurde 1), zu Grunde liegt. Nach derselben würde die Scheidung der magnetischen Pluida um so größer sein, je weiter nach der Mitte des Stabes zu die Moleküle lägen; die Notwendigkeit dieser Verteilung läßt sich leicht erkennen. Wir haben nach dem Vorigen dieselbe nur für eine Reihe von Molekülen nachzuweisen. Betrachten wir eine solche Reihe wie Fig. 12, und nehmen an, dass dieselben zunächst alle gleich stark magnetisiert seien, so wird durch die Wechselwirkung der Moleküle auf einander diese

Verteilung eine andere werden müssen.

Auf die in as getrennten Fluida wirken nämlich auch die in dem henachbarten Molektile getrennten Fluida derart ein, daß n und n' sowohl als die Fluida s und s' sich abstoßen; diese Wechselwirkung kann keine Anderung in der Gruppierung der Fluida hervorbringen, da n und n' sich denso stark abstofsen als s und s'. Ferner aber zieht das in n' angesammelte Fluidum s an und stöfst n ab; die Wirkung sucht demnach eine Weitere Scheidung der Fluida hervorzubringen. Gerade entgegengesetzt wirkt das Fluidum in s', da es aber weiter von dem Moleküle ns entfernt it als n', so wird die Einwirkung von n' überwiegen und in der That eine Weitere Scheidung der beiden magnetischen Fluida bewirken. Einen der Art mach gleichen Einfluß auf das Molekül ns üben n"s" und die folgenden Molekule aus, nur ist derselbe schwächer und um so schwächer, je weiter die Molektile von ns entfernt sind. Die Folge dieser Wechselwirkung der Molekule auf ns wird also eine Verstärkung der Polarität desselben sein. Auf das Molekul n's' wirken von der einen Seite her dieselben Einflüsse on, und zwar auch mit fast oder ganz derselben Größe; denn es wirkt war im ganzen ein Molekül weniger auf dasselbe ein, indes wird bei iniger Länge der Molekülreihe der Einflus der entferntesten Moleküle nur erschwindend klein sein. Zu diesen Einwirkungen kommt dann aber dieemge des Moleküles ns hinzu, welches die Scheidung der Fluida in demelben Sinne zu vergrößern sucht als die übrigen, und welche ebenso raftig anf n's einwirkt, wie dieses auf jenes. Infolge dessen muß die Polarität in n's' viel bedeutender werden als in ns. Eine ganz gleiche Cherlegung zeigt, daß in den folgenden Molekülen bis zur Mitte hin ein Zuwachs der magnetischen Verteilung stattfinden muß. Denn an der einen Site nimmt zwar immer die Anzahl der wirkenden Moleküle ab, dafür nimmt sie an der andern Seite aber stets um ebensoviel zu, und zwar ist, u lange nicht die Mitte überschritten ist, der Abstand der auf der einen Seite hinzukommenden Moleküle kleiner als derjenige auf der andern fehbiden; die Wirkung der hinzukommenden muß daher überwiegen.

¹⁾ Poisson, Mémoires de l'Acad. des sciences etc. T. V.

Zugleich erkennt man, wie hiernach die Menge der magnetischen. Fluida in den einzelnen Molekülhälften anfangs viel rascher zunehmen muß als näher bei der Mitte, oder daß

$$n'-s > n''-s' > n'''-s''$$

sein muß. Denn auf das zweite Molekül wirken alle rechts liegenden fast ebenso stark als auf das erste, und außerdem noch das in unmittelbarer Nähe liegende Molekül ns; auf das dritte wirken dieselben Kräfte ein wie auf das zweite und außerdem das Molekül ns; da dieses aber von dem dritten entfernter ist als von dem zweiten, so ist seine Einwirkung auch nicht so stark. Die Differenz der auf das erste und zweite Molekül wirkenden Kräfte ist also größer als diejenige der auf das zweite und dritte wirkenden Kräfte.

Wenn nun auch, wie wir sehen, diese Annahme imstande ist uns eine Vorstellung von der Konstitution der Magnete zu liefern, welche die magnetischen Eigenschaften, wie sie an einem Magnete sich zeigen, verstehen lassen, so sprechen doch später zu entwickelnde Erfahrungen gegen dieselbe. Man hat daher eine andere Vorstellung sich gebildet, welche mit den bisher erkannten Eigenschaften ebenso im Einklang ist. Nach dieser ist jedes Molekül eines magnetisierbaren Körpers für sich schon ein vollständiger Magnet; in den nicht magnetisierten Körpern sind aber diese einzelnen Molekularmagnete ganz beliebig gerichtet, das heifst, der eine wendet seinen Nordpol nach dieser, der andere nach jener Richtung. Da nun im allgemeinen nach jeder Richtung ebensoviele Nordpole als Südpole gewandt sein werden, so wird ein magnetisierbarer Körper im allgemeinen ohne weiteres keine Polarität zeigen. Möglich ist es allerdings, dass in einem Körper einmal mehr Moleküle den Nordpol nach einer Seite wenden als andere den Südpol nach derselben Seite; ein solcher Körper würde dann auch ohne magnetische Einwirkung magnetisch erscheinen. In den natürlich vorkommenden Magneten kann man diesen Fall für realisiert halten. Wirkt aber auf einen solchen Körper ein Magnet ein, so werden unter dem Einflus desselben die Moleküle des Körpers sich drehen und zwar mehr oder weniger je nach der Kraft des einwirkenden Magnetes so, daß die Pole der Molekularmagnete gleich gerichtet sind. Die Seite, nach welcher die Molekularmagnete ihren Nordpol wenden, wird der Nordpol des Magnetes, der andere der Südpol. In den mit Koercitivkraft begabten Substanzen, also vorzugsweise im Stahl, stellt der Zusammenhang der Moleküle dieser Drehung ein Hindernis in den Weg, deshalb erfolgt sie nur unter dauernder Einwirkung des Magnetes; ist aber die Drehung einmal erfolgt, so verhindert ebenso der Zusammenhang der Moleküle eine Rückkehr derselben in ihre frühere Lage, deshalb bleiben diese Substanzen, einmal magnetisiert, dauernde Magnete. Bei denjenigen Körpern, welche keine Koercitivkraft haben, erfolgt die Drehung der Moleküle unter dem Einflusse eines Magnetes augenblicklich, und sofort nach dem Aufhören dieses Einflusses kehren die Moleküle wieder in die frühere Lage zurück.

Die Polarität der einzelnen Moleküle muß natürlich nach dieser Anschauungsweise überall dieselbe sein; und ein stärkerer oder schwächerer Magnetismus kann nur darin seinen Grund haben, daß die Moleküle in tem Magnete mehr oder weniger dieselbe Lage oder Richtung der Pole

haben. Der vorhin abgeleitete Satz, nach welchem aus der Verteilung des freien Magnetismus folgt, dass die Schichten eines Stabes um so stürker magnetisch sind, je näher sie der Indifferenzzone liegen, würde also nach dieser Anschauungsweise heißen, dass die Moleküle in den einzelnen Schichten um so mehr gleich gerichtet sind, je näher dieselben der Indifferenzzone liegen. So gefast ist aber auch nach dieser Anschauungsweise die angegebene Verteilung des Magnetismus im Stabe eine notwendige Folge der Wechselwirkung zwischen den Molekülen, wie eine Überlegung zeigt, welche der vorhin angewandten ganz gleich ist.

Nehmen wir nämlich wieder zunächst an, das in allen Schichten eines gegebenen Stabes zunächst die gleiche Anzahl der Moleküle gleich gerichtet ist, so werden auf die Moleküle der einen Endschicht die folgenden einwirken müssen und in dieser noch weiteren Molekülen dieselbe Lage erteilen. Auf die zweite Schicht wirken dann ebenso die folgenden und ausserdem die Endschicht, sie werden daher in derselben einer noch größeren Zahl von Molekülen dieselbe Lage erteilen. Auf die dritte Schicht wirken die folgenden vielleicht schon etwas schwächer ein, dagegen wirken die beiden vorhergehenden bedeutend stärker ein, dort muß also eine noch größere Zahl von Molekülen dieselbe Lage erhalten. Und so fort, so daß man sieht, laß eine der vorigen analoge Überlegung zu demselben Resultate führt, laß die magnetische Polarität der einzelnen Molekülschichten um so größer zein muß, je näher sie der Indifferenzzone liegen.

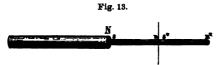
Diese beiden Annahmen über die Konstitution der Magnete lassen sich ulerdings erst in einem der späteren Abschnitte gegen einander abwägen; durch einen einfachen Versuch indessen kann man schon zeigen, dass der Magnetismus in einer bestimmten Lagerung der Moleküle begründet ist. Wenn man eine Glasröhre mit Eisenfeilspänen anfüllt, sie mit einem Korke rerschließt und sie dann nach einer der sofort anzugebenden Methoden magnetisiert, so wird sie, obwohl das Eisen sonst keine Koercitivkraft hat, deibend magnetisch, indem das eine Ende der Röhre ein Nordpol, das undere ein Südpol wird. Man kann sich davon überzeugen, indem man die Whre einer an einem feinen Faden aufgehängten kleinen magnetischen Nadel lähert; das eine Ende der Röhre stöfst den Nordpol der Nadel ab, das ndere zieht ihn an. Die Röhre bleibt magnetisch, so lange die Feilspäne lie unter dem Einflusse des Magnetes angenommene Lagerung beibehalten, ie verliert den Magnetismus sofort, wie durch Schütteln die Lagerung der leilspäne eine andere geworden ist. Dieser Versuch spricht gegen die erste Annahme. Denn bestände das Magnetisieren in einer Scheidung der Fluida n den einzelnen Eisenteilchen, so ist gar kein Grund vorhanden, weshalb ie nach dem Aufhören der magnetischen Einwirkung nicht ebenso gut vieder zusammenfließen sollten als in einem massiven Eisenstücke. Dagegen st es mit der zweiten Annahme vereinbar, dass die Röhre dauernd magneisiert wird, da unter dem Einflusse des Magnetes die ganzen Späne eine egelmässige Lagerung annehmen, welche sie nicht wieder verlassen könen; erst durch das Schütteln wird die Lagerung wieder ganz unregelrässig, deshalb verliert die Röhre dann wieder den Magnetismus 1).

¹⁾ Die zweite Annahme ist, wenn man, wie es oben geschehen ist, nicht in magnetischen Fluiden in den permanenten Molekularmagneten spricht, war

§. 12.

Verfertigung permanenter Magnete. Die Manipulationen anzuwenden sind, um einen Stahlstab in einen Magnet zu ver lassen sich nach dem, was wir über die Konstitution der Magnete haben, leicht übersehen; man muß stets auf das zu magnetisieren stück einen kräftigen Magnet so einwirken lassen, daß die Mole Stahl gleich gelagert werden.

Die einfachste Methode ist das Anlegen des einen Endes ein stabes an den einen Pol eines Magnetes. Legt man z. B. einen an den Nordpol eines Magnetes, so wird das angelegte Ende de ein Stidpol, das entferntere Ende ein Nordpol. Es darf jedoch Falle der zu magnetisierende Stab nicht zu lang sein, da sonst die tisierung unregelmäsig wird und sogenannte Folgepunkte entstel heißt, wird das Ende s (Fig. 13) des an den Nordpol N an



Stabes ein Südpol, so bildet Nordpol nicht immer an der Ende des Stabes bei n", häufig schon in der Mitte o näher bei s; in dem Falle bi dann immer noch ein zweite

entweder bei n'', so dass beide Enden des Stabes südpolar wer die Mitte nordpolar; oder vielleicht bei s'', wo dann auch noch ein Nordpol sich bildet, so dass in dem Stabe mehrere vollständige sich ausbilden.

Ist das auch nicht der Fall, so ist der entstandene Magnet doch insofern unregelmäßig, daß der angelegte Pol stärker wirdentfernte Pol des Stabes und daß die Indifferenzzone dem stärkenäher liegt als dem schwächeren.

Die Unregelmäßigkeiten verschwinden zwar allmählich, weden angelegten Stab länger an dem Magnete läßt; indes kann nach dieser Methode immer nur kurze dünne Stäbe und diese nur magnetisieren.

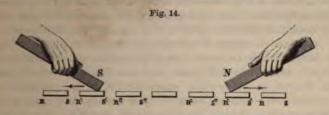
Die erste Verbesserung der Methode war, dass man den zu tisierenden Stahlstab mit einem und demselben Pole eines Magnet fach in derselben Richtung strich, indem man den Magnet auf Ende des Stabes aufsetzte und über den ganzen Stab hinzog. Sta kann man auch von der Mitte aus den Stab nach der einen Seite einen Pole des Magnetes und dann ebenfalls von der Mitte aus andern Pole nach der andern Seite streichen, oder gleichzeitig Nordpole eines und dem Südpole eines zweiten Magnetes von der Inach entgegengesetzten Seiten streichen. Man bezeichnet letzte fahren, welches wahrscheinlich Duhamel zuerst angewandt hat,

übrigens auch, wie W. Weber zeigt (Elektrodynamische Maßbestimmu besondere über Diamagnetismus § 22), eigentlich eine contradictio i ist, diejenige, welche W. Weber zuerst deutlich ausgesprochen hat schreibt sie Ampère zu, dessen Ansicht sich indes mehr an die erstere a: ~~n sehe im 4. Abschnitt.

trennten Strich. Die beiden Magnetstäbe werden dabei so gehalten, daßs einen Winkel von 25°-30° mit der Horizontalen bilden.

Gut ist es, wenn man bei dieser Methode den zu magnetisierenden ab nach und nach an verschiedenen Seiten streicht.

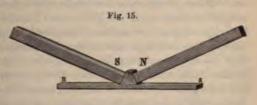
In welcher Weise nach dieser Methode der Magnetismus des Stabes regt wird, ist leicht zu sehen. Ist (Fig. 14) ns, n's' eine Molekülreihe, ber welche ein Südpol von der Mitte nach links, ein Nordpol von der Mitte nach rechts hin bewegt wird, so werden die Pole der Molekularmagnete in ler Reihe sich stets so legen, daß dem Nordpole N die Südpole der Mole-



tile, über welche N sich bewegt, und dem Südpole S die Nordpole der Moleküle zugewandt sind. Bewegt sich daher der Nordpol nach rechts hin mid wird er rechts von der Molekülreihe abgezogen, so werden auf dieser Milfte der Reihe die Moleküle alle ihre Südpole nach rechts hinwenden, as Ende rechts wird also ein Südpol werden. Auf der anderen Hälfte der behe werden die Moleküle gerade ebenso gelagert sein, weil der Südpol S ber dieselben nach links hin bewegt wird, die Moleküle ihren Nordpol so nach links hinwenden. Das Ende, über welches der Südpol abgezogen ird, muß nach dieser Methode ein Nordpol werden.

Eine von der vorigen sehr verschiedene Methode zum Magnetisieren hat terst Michell und später in etwas anderer Form Aepinus angewandt. Man unt sie die Methode des Doppelstriches. Man setzt nach derselben zwei agnete mit ihren ungleichnamigen Polen in der Weise wie Fig. 15 auf

Mitte des zu magnetisierenn Stabes, so daß sie ungehr 20[®] gegen die Horizontale
neigt sind, und daß sich die
de eben nicht berühren. Sehr
quem kann man sie auf ein
usendes hölzernes Prisma auftzen.



Man streicht dann mit beiden Magneten zusammen, während man sie mer in derselben Weise hält, von der Mitte aus erst nach der einen ite, dann wieder zurück über den ganzen Stab, wieder zurück und mehrfach hin und her. Schliefslich hebt man die Magnete zusammen ieder von der Mitte ab.

Der Magnetismus in dem Stabe ns wird nach dieser Methode dadurch regt, dass die Moleküle des Stabes, welche unter dem Zwischenraume der iden Pole liegen, so gelagert werden, dass ihr Südpol nach N, ihr Nordlanch S hin zeigt. Auf die entfernteren Moleküle haben die Magnete gut wie gar keinen Einfluss, da wegen der Nähe der beiden Pole die

Wirkung des einen von dem andern aufgehoben wird. Die Seite des Stabes, an welcher sich der Südpol der verbundenen Magnete befindet, wird daher

zum Nordpol, die entgegengesetzte zum Südpol,

Ganz dieselben Streichmethoden zum Magnetisieren lassen sich auch anwenden, wenn die Magnete eine andere als die Stabform, wenn sie z. B. die ebenso häufig angewandte Hufeisenform haben. Man streicht das Hufeisen mit einem Pole eines Magnetes, indem man denselben auf das Ende des einen Schenkels aufsetzt, dann in ganz kontinuierlicher Bewegung über das ganze Hufeisen hinfährt und ihn über das Ende des andern Schenkels abzieht, und diese Manipulation wiederholt. Oder man streicht mit dem Südpole eines Magnetes von der Biegung des Hufeisens aus gegen das Ende des einen Schenkels hin und gleichzeitig mit dem Nordpole eines zweiten Magnetes von der Biegung des Hufeisens gegen das Ende des andem Schenkels hin. Ebenso kann man auch umgekehrt mit dem Südpole eines Magnetes von dem Ende des einen, mit dem Nordpole eines andern von dem Ende des zweiten Schenkels gegen die Mitte hin streichen.

Es bedarf wohl keines besondern Nachweises, dass die Pole des Hufeisens entgegengesetzt liegen, wenn man von der Mitte gegen die Enden, als wenn man von den Enden gegen die Mitte streicht. Im ersten Falle wird der mit dem Südpole gestrichene Schenkel nordpolar, im zweiten

Falle südpolar.

Statt der einzelnen Magnete kann man zur Magnetisierung eines Hufeisens auch sehr bequem einen Hufeisenmagnet von gleicher Schenkelweite anwenden. Liegt das zu magnetisierende Hufeisen horizontal, so setzt man den Magnet vertikal entweder auf die Enden der Schenkel und streicht gegen die Mitte, oder man setzt den Magnet nahe der Biegung auf und streicht gegen die Enden hin.

In allen den Fällen ist es zur Verstärkung des Magnetismus gut, wenn man die zu magnetisierenden Stäbe oder Hufeisen an den verschie-

denen Seiten, also oben und unten streicht.

Bedeutend kräftiger werden die Magnetismen in den zu magnetisierenden Stäben, wenn man dieselben nicht isoliert hinlegt, sondern gewissermaßen zu dem mittleren Teile eines Stabes macht, wie sich schon aus den Entwickelungen des vorigen Paragraphen ergiebt. Man legt daher an die Enden eines zu magnetisierenden Stahlstabes entweder Stäbe weichen Eisens oder auch schon fertige Magnete; oder man legt selbst den zu magnetisierenden Stab auf zwei Magnete, welche dem Stabe parallel liegen, so daß das eine Ende des Stabes auf den einen Pol, das andere auf den entgegengesetzten Pol des andern Magnetes zu liegen kommt. Daß dasjenige Ende des Stabes, welches Nordpol werden soll, auf den Südpol des andern gelegt werden muß, bedarf wohl keiner besondern Erwähnung.

Bei der Verfertigung der Hufeisenmagnete durch Streichen ist es vorteilhaft, vor die Pole desselben einen Anker, das ist eine Platte weichen Eisens zu legen, oder mit dem zu magnetisierenden Hufeisen ein zweites zu verbinden, so daß die Pole an einander zu liegen kommen und die beiden Hufeisen eine geschlossene Kurve bilden. In beiden Fällen magnetisiert man dann durch den sogenannten Kreisstrich; man setzt den Poleines kräftigen Magnetes auf die Biegung des zu magnetisierenden Hufsens und streicht gegen das Ende des einen Schenkels hin über dieses

hinaus entweder auf der weichen Eisenplatte oder auf dem vorgelegten Huseisen fort, über das ganze hin zum Ende des andern Schenkels, dann auf diesem weiter immer in derselben Richtung und so mehrfach über die ganze geschlossene Kurve. Man hebt schließlich den streichenden Magnet dort wieder ab, wo man ihn aufgesetzt hat. Man wiederholt dann die Operation, nachdem man das Huseisen umgelegt hat.

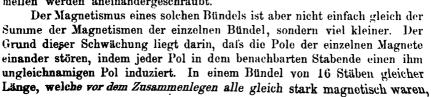
Weshalb diese Anordnung eine Verstürkung des Magnetismus hervorbringt, ergiebt sich aus der Überlegung, dass bei dem Magnetisieren der vorgelegte Anker oder das zweite Huseisen ebenfalls und zwar so magnetisch wird, dass vor dem Südpol des herzustellenden Magnets ein Nordpol und vor dem Nordpol ein Südpol liegt. Außer der Wirkung des Streichmagnetes kommt daher die verteilende Wirkung dieser anliegenden Magnete hinzu, welche in demselben Sinne erregend wirkt.

Eine ähnliche Anordnung läst sich auch zur Verfertigung von Stabmagneten mit gutem Erfolge anwenden. Man legt zwei Stahlstäbe von gleicher Länge in einiger Entfernung parallel neben einander und verbindet die Enden durch zwei Stäbe weichen Eisens, so dass diese vier Stäbe ein geschlossenes Rechteck bilden. Bei dem Magnetisieren versährt man dann so, dass man den einen Pol eines kräftigen Magnetes auf die Mitte des einen Stahlstabes aufsetzt und dann immer in derselben Richtung mehrfach über das ganze Rechteck hinfährt und schließlich wieder dort abbebt, wo man den Pol zuerst aufgesetzt hatte.

Bei Anwendung dieser verschiedenen Methoden und Beachtung der angegebenen Vorsichtsmaßregeln hängt die Stärke der erhaltenen Magnete wesentlich ab von der Stärke der Streichmagnete und von der Güte des Stahles. Je stärker der Streichmagnet ist, um so stärker wird unter sonst gleichen Umständen bis zu einer gewissen Grenze der Magnetismus des gestrichenen Stahles.

Mit der Größe der Dimensionen eines Magnetes nimmt bei völligem Magnetisieren im allgemeinen auch sein Magnetismus zu, wie wir demnächst sehen werden. Indes lassen sich Magnete von sehr großen Dimensionen nur sehr schwierig magnetisieren. Des-

großen Dimensionen nur sehr schwierig magnetisieren. Deshalb wendet man zur Herstellung starker Magnete magnetische Bündel an, indem man mehrere fertige Magnete als
ein Bündel zusammenlegt, so dass die gleichnamigen Pole
bei einander liegen. Gut ist es dabei, wenn die Stäbe
nach der Mitte des Bündels zu immer länger werden. Besonders bei Huseisenmagneten wendet man diese Zusammensetzung an, indem man (Fig. 16) 3 oder 5 Lamellen,
welche vorher fertig magnetisiert sind, zusammenlegt. Die
Schenkel der äußersten Huseisen sind dann am kürzesten,
diejenigen des mittleren am längsten. Die einzelnen Lamellen werden aneinandergeschraubt.



fand Coulomb nach dem Auseinandernehmen, dass die Magnetismen der inneren Stäbe sehr stark geschwächt waren, ja dass einige ihren Magnetismus ganz verloren hatten.

Die Wirkung eines solchen Bündels ist, besonders bei Anwendung von Stabmagneten, bedeutend zu kräftigen, wenn man die Enden desselben mit sogenannten Armaturen versieht. Dieselben bestehen aus Stücken weichen Eisens A, B (Fig. 17), in welche die Magnetstäbe an beiden Enden ein-



geschoben werden. Besteht das Magnetbündel aus mehreren, 3 oder 5 Lagen, so läßt man auch dann die mittleren Stäbe etwas länger, in derselben Weise

wie es vorhin angegeben wurde. Die Wirkung dieser Armaturen besteht darin, daß sie unter dem Einflusse der Magnetpole selbst zu Magneten werden, und zwar so, daß die an den Polen anliegenden Teile eine den Polen entgegengesetzte Polarität annehmen. Durch die gegenseitige Einwirkung der erregten Pole und der ursprünglichen tritt daher eine Verstärkung des Magnetismus ein.

Die Stärke des erregten Magnetismus hängt ferner wesentlich von der Güte des Stahles ab, das heifst Stahlstücke von gleicher Größe werden unter Einwirkung derselben Magnete nicht gleich stark dauernd magnetisch. Den hauptsächlichsten Einflus auf die Stärke des dauernden Magnetismus hat die Härte des Stahles; je härter derselbe ist, um so schwieriger wird er zwar magnetisiert, um so größer ist aber die Stärke des dauernden Magnetismus. Um kräftige Magnete zu erhalten, muss man daher den Stahl so hart machen, dass er nur eben nicht zu spröde wird, was man bekanntlich dadurch erreicht, dass man ihn glühend in kaltem Wasser ablöscht. Je höher die Temperatur war, bei welcher man ihn ablöschte, um so härter wird der Stahl, um so stärker wird auch der dauernde Magnetismus. Durch Anlassen des Stahles, das heifst durch Erwärmen und folgendes langsames Abkühlen kann man demselben einen Teil seiner Härte wieder nehmen, so dass er um so weicher wird, je höher seine Temperatur beim Anlassen war. Man hat es daher in der Hand, dem Stahle einen bestimmten Härtegrad zu geben. Man lässt jetzt den gehärteten Stahl nur eben so weit an, dass er nicht mehr gar zu spröde ist.

Aus diesem Verhalten des Stahles folgt, daß die Koercitivkraft desselben wesentlich von der Härte des Stahles abhängt. Wir bezeichneten als die Koercitivkraft das Vermögen desselben, einer Richtung der magnetischen Moleküle einen gewissen Widerstand entgegenzusetzen und die gerichteten Moleküle zum Teil in ihrer Lage zu halten. Diese Kraft ändert sich mit der Härte des Stahles; denn jeder Strich mit einem Magnete wird in einem zu magnetisierenden Stabe eine Anzahl Moleküle in der früher angegebenen Weise gruppieren; diese Zahl wird um so kleiner sein, je größer die Koercitivkraft des Stahles ist; wenn aber die Wirkung des streichenden Magnetes aufhört, wird von den gerichteten Molekülen ein je nach der Koercitivkraft größerer oder kleinerer Teil wieder in seine gewöhnliche Gleichgewichtslage zurückkehren. Jeder neue Strich fügt nun wieder zu den infolge der Koercitivkraft durch den vorigen Strich bleibend gerichteten Molekülen eine

Annahl anderer dauernd gerichteter Moleküle hinzu, und die stärkste Magnetisierung wird dann erreicht sein, wenn entweder alle Moleküle eines Stabes bleibend gerichtet sind, oder so viele, wie durch die gerade vorhandene Koercitivkraft bleibend in ihrer Lage erhalten werden können. Die erstere Grenze kann, wie wir später sehen werden, dauernd niemals erreicht werden; dem man findet bei der Magnetisierung auch der härtesten Stahlstäbe durch den elektrischen Strom, dass der permanente Magnetismus derselben immer kleiner ist als der augenblickliche, das heist als jener, welchen der Stabbesitzt, so lange er unter dem Einflusse des Stromes sich befindet 1).

§. 13.

Tragkraft der Magnete. Die erste Eigenschaft, durch welche Magnete sich zu erkennen geben, ist die Fähigkeit, weiches Eisen anzuziehen und der Schwere entgegen zu tragen. Das Gewicht, welches ein Magnet in dieser Weise tragen kann, bezeichnet man als die Tragkraft des Magnetes.

Um die Tragkraft eines Magnetes zu untersuchen, muß man, wenn die angehängte Last nicht aus weichem Eisen besteht, ein Stück weichen Eisens als sogenannten Anker anwenden, und an dieses erst die Last hängen, da, wie wir sahen, Magnete nur magnetische Körper selbst anziehen. Am besten verfährt man nach Häcker²) so, dass man eine Seite des auf seine Tragkraft muntersuchenden Stabmagnetes von dem Ende an ungefähr 1 cm weit vollkommen ebnet und dann den Magnet, die geebnete Seite nach unten gekehrt, horizontal an einem Tische befestigt, so dass der Magnet einige Centimeter darüber hervorragt. Man hängt die Last mit einem Anker, welcher etwas breiter ist als der Magnet und dessen Fläche ebenfalls möglichst vollkommen geebnet ist, an den Magnet, indem man den Anker an die geebnete Fläche anlegt und dann gegen das Ende des Magnetes und selbst über das Ende hin verschiebt, bis er nur mehr mit einer schmalen Fläche an dem Magnet haftet, und bis man fühlt, dass die Last getragen wird. Hat man an den Anker eine kleine Wagschale gehängt, so erhält man die Tragkraft des Magnetes, indem man auf die Wagschale vorsichtig so lange Gewichte legt, bis der Anker abgerissen wird. Die Summe der Gewichte des Ankers, der Wagschale und der aufgelegten Gewichte ist die Tragkraft des einen Magnetpoles. Die Tragkraft des ganzen Magnetes ist dann, da bei vollkommenen Magneten, wie wir sahen, beide Pole gleiche Stärke haben müssen, gleich dem doppelten Gewichte.

Die Tragkraft des Magnetes wird uns im allgemeinen ein Maß für die Stärke desselben geben können, insoweit, daß wir einen Magnet für den stärkeren halten müssen, welcher imstande ist ein größeres Gewicht zu tragen. Man würde indes sehr irren, wenn man die Stärke des Magnetismus der Tragkraft einfach proportional setzen würde, das heißt wenn man einem Magnete die doppelte Stärke beilegen wollte, wenn er imstande ist das doppelte Gewicht zu tragen. Es läßt sich nämlich leicht zeigen, daß,

¹⁾ Über die verschiedenen Magnetisierungsmethoden findet man ausführliche Referate in Gehlers Physik. Wörterbuch Bd. VI. 2. Abt. Artikel: Magnetisieren des Stahles, ferner in Doves Repertorium Bd. II. Lamont, Handbuch des Magnetismus §. 41.

²⁾ Häcker, Poggend. Ann. Bd. LXII.

selbst wenn wir die Tragkraft als Mass des Magnetismus benutzen wollen, derselbe der Quadratwurzel aus der Tragkraft proportional gesetzt werden Denn, wie wir bereits mehrfach sahen, wird ein Stück Eisen bei Annäherung an einen Magnet selbst zum Magnet, so zwar, dass dem Pole zugewandte Ende desselben einen ungleichnamigen Pol erhält. Diese ungleichnamigen Pole ziehen sich an, und ist diese Anziehung bei Berührung der Pole stark genug, so wird das weiche Eisen getragen. Wenn nun plötzlich durch irgend einen Umstand die magnetische Kraft des Stabes doppelt so stark würde, so würde zunüchst infolge dieser Verstärkung das Eisen doppelt so fest gehalten werden müssen, das heifst, es würde ein doppeltes Gewicht erforderlich sein, um das Eisen abzureißen. Zugleich würde aber auch durch die Verdoppelung der magnetischen Kraft in dem ursprünglichen Magnete die magnetische Kraft des weichen Eisens zunehmen müssen, und zwar würde auch dort dieselbe verdoppelt werden. Auch infolge dieser Verstärkung würde der angelegte Anker doppelt so fest haften. Im ganzen ergiebt sich also, dass wenn der Magnetismus des Stabes sich verdoppelt, die Tragkraft die vierfache, oder allgemein wenn der Magnetismus des Stabes der nfache wird, die Tragkraft die n² fache werden muss. Man würde also die Stärke des Magnetismus der Quadratwurzel aus der Tragkraft proportional setzen müssen.

Dieses Gesetz würde jedoch nur unter der Voraussetzung giltig sein, daß durch die Annäherung und Berührung des weichen Eisens keine Änderung in der magnetischen Konstitution des Stabes hervorgebracht würde. Zu dieser Voraussetzung sind wir indes nicht berechtigt, und wie wir später') ausführlich sehen werden, trifft sie auch nicht zu, so daß wir in der That nicht den Magnetismus eines Stabes der Quadratwurzel aus der Tragkraft proportional setzen dürfen.

Sehr auffallend zeigt sich das schon, wenn man die Tragkraft eines Stabmagnetes mit der eines im übrigen gleichen Hufeisenmagnetes oder die Tragkraft eines Poles eines Hufeisenmagnetes mit derjenigen vergleicht, welche man findet, wenn der Anker vor beiden Magnetpolen liegt. Jenes Gesetz als richtig vorausgesetzt, müste die Tragkraft eines Huseisenmagnetes die doppelte derjenigen jedes einzelnen Poles sein; das ist sie aber nicht, sondern sie ist bedeutend größer, wie man sich durch einfache Versuche überzeugen kann. Der Grund dafür ist leicht einzusehen, er liegt darin, dass in dem an dem Nordpole des Huseisens liegenden Ende des Ankers nicht allein durch die Wirkung des Nordpoles ein Stidpol erregt wird, sondern auch durch den Südpol, welcher im andern Endes des Ankers einen Nordpol erregt. Ebenso ist es mit dem andern Pole. Die Polarität des Ankers, die an jedem Pole stärker ist, als wenn der Anker nur der Wirkung des bestimmten Poles unterläge, wirkt dann wieder erregend ein auf den Pol des Magnetes und verstärkt ihn, so dass der Anker fester haften muß, als berührte er nur die einzelnen Pole.

Aus den entwickelten Gründen ergiebt sich, daß man auch nicht der Quadratwurzel aus der Tragkraft die magnetische Kraft eines Magnetes proportional setzen darf, ja daß man keine allgemein giltige Beziehung zwischen Tragkraft und Stärke des Magnetismus aufstellen kann. Man wird vielmehr

¹⁾ Man sehe Abschnitt IV. Elektromagnetismus.

je nach der Form des Ankers und den Umständen des Versuches eine stets verschiedene Beziehung zwischen der Tragkraft und der Stärke des Magnetismus annehmen müssen.

Im Vorigen haben wir vorausgesetzt, daß die auf ihren Magnetismus verglichenen Stäbe gleicher Art und von gleichen Dimensionen seien; noch weniger lässt sich von der Tragkraft ohne weiteres auf die Stärke verschiedener Magnete schließen, wenn dieselben verschiedene Dimensionen haben, wenn insbesondere ihre Querschnitte verschieden sind. Die Tragkraft giebt uns nämlich nur Aufschluss über den magnetischen Zustand der Enden des Magnetes. Wir werden nach den bisherigen Vorstellungen, welche wir uns über den magnetischen Zustand gebildet haben, zwei beliebigen Stäben gleiche magnetische Kraft zuschreiben, wenn in beiden die gleiche Anzahl von Molekulen in magnetischer Beziehung parallel, das heißt so gelagert sind, dass die gleichnamigen Pole nach derselben Seite hin liegen. Denken wir uns nun z. B. zwei Stäbe von gleichem Gewichte, deren einer nur die halbe Länge des andern, dafür aber einen doppelten Querschnitt hat, so ist klar, daß in jedem Querschnitte des kürzeren, wenn in beiden Magneten gleich viel Moleküle magnetisch gerichtet sind, eine größere Anzahl magnetisch gleich gelagerter Moleküle vorhanden sein muß, daß also in jedem Querschnitt, somit auch an den Polen, eine größere Quantität freien Magnetismus vorhanden sein muß. Damit muß dann auch die Tragkraft des Magnetes wachsen, so daß zwei Stäbe, die gleich stark magnetisiert sind, eme sehr verschiedene Tragkraft haben können.

Ohne auf alle diese Punkte näher einzugehen, welche wir bei Behandlung des Elektromagnetismus ausführlich besprechen werden, sieht man,
daß die Untersuchung und Vergleichung der Tragkraft uns kein Maß für
die magnetische Kraft der Magnete zu liefern imstande ist. Sie wird
deshalb auch nicht als solches angewandt, sondern dient im allgemeinen
nur dazu, die Stärke eines Magnetes annähernd zu schätzen, indem man,
wie bereits vorhin gesagt wurde, immer berechtigt ist, einem Magnete von

größerer Tragkraft einen stärkeren Magnetismus beizulegen.

Einer interessanten Anwendung müssen wir jedoch erwähnen, welche Hacker¹) von der Untersuchung der Tragkraft der Magnete gemacht hat, mimlich zu bestimmen, welche Tragkraft überhaupt einem Magnete erteilt werden kann. Er magnetisierte zu dem Ende eine Anzahl verschiedener Magnete, Hufeisen- und Stabmagnete, so vollständig als möglich, und untersuchte dann, ob nicht eine Beziehung zwischen dem Gewichte der Magnete und deren Tragkraft vorhanden sei.

Um bei den Hufeisen konstante und regelmäßige Resultate zu erhalten, war es notwendig, wenn dieselben bei vorgelegtem Anker magnetisiert worden waren, den Anker vor den Versuchen mehrmals abzureißen. Unter-

sucht man die Tragkraft nämlich gleich nach dem Magnetisieren, ohne vorher den Anker abgerissen zu haben, so ist sie viel größer als nachher, wenn der Anker abgerissen war, und erst nach mehrmaligem Abreißen

desselben wird die Tragkraft konstant.

Bezeichnet man nun das Gewicht eines Hufeisens mit P, mit q den Quotienten aus der Tragkraft und dem Gewichte des Magnetes, so fand

¹⁾ Häcker, Poggend. Ann. Bd. LVII.

Hücker für seine möglichst gehürteten und möglichst stark magnetisierten Hufeisen, daß

$$q \cdot \sqrt[3]{P} = a$$

worin a eine für alle von ihm untersuchten Magnete konstante Größe und zwar, wenn P in bayerischen Loten gegeben ist,

$$a = 40$$

ist.

Bezeichnet man nun die Tragkraft mit T, so ergiebt sich

$$T = a \cdot \frac{P}{\sqrt[3]{P}} = a \cdot \sqrt[3]{P^{2}},$$

so dal's also die einem Magnete zu erteilende Tragkraft der dritten Wurzel aus dem Quadrate seines Gewichtes proportional ist.

Folgende kleine Tabelle enthält eine Anzahl von Häckers Versuchen mit Hufeisenmagneten.

$oldsymbol{P}$	$m{T}$	$m{T}$		
Lote	Lote	$ar{m{P}}$	log α	
1/120	50/32	190	1,581	
1/64	2,5	160	1,602	
1/32	4	128	1,605	
2/48	13	89	1,647	
3,5	98	28	1,625	
13	240	18,5	1,638	
104	800	7,7	1,558	
224	1344	6	1,561	
		Mit	tel 1 602 - 10	or 4

Mittel $1,602 = \log 40$.

Ist das Gewicht P in Kilogrammen gegeben, so wird

$$a = 10.33$$
.

Aus dieser Gleichung ergiebt sich, dass die Tragkraft der Magnete viel langsamer zunimmt als das Gewicht derselben, dass das Verhältnis $\frac{T}{P}$ mit steigendem Gewichte P stets kleiner wird. Bei einem bestimmten Werte von P wird dieses Verhältnis gleich 1, wir erhalten diesen Wert aus der Gleichung

$$\log a = \frac{1}{3} \log P.$$

Derselbe wird

$$P = 1102 \text{ kg}.$$

Wird ein Magnet von diesem Gewichte bis zur Sättigung magnetisiert, so vermag er gerade sein eigenes Gewicht zu tragen.

Interessant ist es, dass Hücker dieselbe Beziehung auch giltig fand für Huseisen, welche aus einzelnen vorher magnetisierten Lamellen zusammengesetzt waren, so dass also zusammengesetzte Magnete vor einfachen gleicher Masse nur den Vorzug haben, dass sie sich leichter herstellen lussen, während es sehr schwierig ist, große massive Magnete bis zur Sättigung zu magnetisieren.

je nach der Form des Ankers und den Umständen des Versuches eine stets verschiedene Beziehung zwischen der Tragkraft und der Stärke des Magnetismus annehmen müssen.

Im Vorigen haben wir vorausgesetzt, dass die auf ihren Magnetismus verglichenen Stäbe gleicher Art und von gleichen Dimensionen seien; noch weniger lässt sich von der Tragkraft ohne weiteres auf die Stärke verschiedener Magnete schließen, wenn dieselben verschiedene Dimensionen haben, wenn insbesondere ihre Querschnitte verschieden sind. Die Tragkraft giebt uns nämlich nur Aufschluss über den magnetischen Zustand der Enden des Magnetes. Wir werden nach den bisherigen Vorstellungen, welche wir uns über den magnetischen Zustand gebildet haben, zwei beliebigen Stäben gleiche magnetische Kraft zuschreiben, wenn in beiden die gleiche Anzahl von Molekülen in magnetischer Beziehung parallel, das heifst so gelagert sind, daß die gleichnamigen Pole nach derselben Seite hin liegen. Denken wir uns nun z. B. zwei Stäbe von gleichem Gewichte, deren einer nur die halbe Länge des andern, dafür aber einen doppelten Querschnitt hat, so ist klar, dass in jedem Querschnitte des kürzeren, wenn in beiden Magneten gleich viel Moleküle magnetisch gerichtet sind, eine größere Anzahl magnetisch gleich gelagerter Moleküle vorhanden sein muß, daß also in jedem Querschnitt, somit auch an den Polen, eine größere Quantität freien Magnetismus vorhanden sein mufs. Damit mufs dann auch die Tragkraft des Magnetes wachsen, so dass zwei Stäbe, die gleich stark magnetisiert sind, eine sehr verschiedene Tragkraft haben können.

Ohne auf alle diese Punkte näher einzugehen, welche wir bei Behandlung des Elektromagnetismus ausführlich besprechen werden, sieht man, daß die Untersuchung und Vergleichung der Tragkraft uns kein Maß für die magnetische Kraft der Magnete zu liefern imstande ist. Sie wird deshalb auch nicht als solches angewandt, sondern dient im allgemeinen nur dazu, die Stärke eines Magnetes annähernd zu schätzen, indem man, wie bereits vorhin gesagt wurde, immer berechtigt ist, einem Magnete von größerer Tragkraft einen stärkeren Magnetismus beizulegen.

Einer interessanten Anwendung müssen wir jedoch erwähnen, welche

Häcker¹) von der Untersuchung der Tragkraft der Magnete gemacht hat, nämlich zu bestimmen, welche Tragkraft überhaupt einem Magnete erteilt werden kann. Er magnetisierte zu dem Ende eine Anzahl verschiedener Magnete, Hufeisen- und Stabmagnete, so vollständig als möglich, und untersuchte dann, ob nicht eine Beziehung zwischen dem Gewichte der

Magnete und deren Tragkraft vorhanden sei.

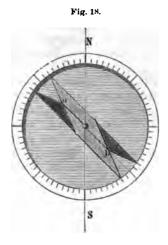
Um bei den Hufeisen konstante und regelmäßige Resultate zu erhalten, war es notwendig, wenn dieselben bei vorgelegtem Anker magnetisiert worden waren, den Anker vor den Versuchen mehrmals abzureißen. Untersucht man die Tragkraft nämlich gleich nach dem Magnetisieren, ohne vorher den Anker abgerissen zu haben, so ist sie viel größer als nachher, wenn der Anker abgerissen war, und erst nach mehrmaligem Abreißen desselben wird die Tragkraft konstant.

Bezeichnet man nun das Gewicht eines Hufeisens mit P, mit q der Quotienten aus der Tragkraft und dem Gewichte des Magnetes, so faw

¹⁾ Häcker, Poggend. Ann. Bd. LVII.

Hängen wir einen Magnetstab an einem Faden auf, der nur eine geringe Torsionskraft besitzt, so stellt er sich stets so, das seine Längsrichtung mit dem astronomischen Meridian einen gewissen Winkel bildet, das das eine Ende des Stabes nahezu nach Norden, das andere nahezu nach Süden zeigt; der Winkel, welchen der Magnet mit dem Meridian bildet, ist an verschiedenen Orten verschieden, bei uns beträgt er jetzt ungeführ 16°, und zwar so, dass der Nordpol sich westlich von dem Meridiane befindet. Die Richtung der Nadel bezeichnet man als den magnetischen Meridian.

Bestimmt man nach irgend einer Methode den Winkel, welchen die geometrische Längsaxe eines Stabes oder einer Nadel, welche in der angegebenen Weise aufgehängt ist, mit dem Meridian bildet, und hängt man dann die Nadel um, so dass die vorher untere Seite der Nadel jetzt zur oberen wird, so wird man im allgemeinen finden, dass die geometrische Axe der Nadel, nachdem sie ihre Gleichgewichtslage angenommen hat, mit dem Meridian einen etwas andern Winkel bildet als vorher. Man findet aber stets eine andere Richtung in der Nadel ab (Fig. 18)



welche mit dem astronomischen Meridiane denselben Winkel bildet. Man findet diese Richtung, indem man den halben Winkel, welchen die geometrische Axe des Stabes in den beiden Lagen mit einander bildet, an der betreffenden Seite auf dem Stabe aufträgt. Markiert man diese Linie, so wird man immer bei aufeinanderfolgenden Versuchen finden, dass dieselbe mit dem astronomischen Meridiane genau denselben Winkel bildet, mag man die Nadel aufhängen wie man will. Man nennt diese Richtung, deren in jedem Magnete eine ist, die magnetische Axe des Stabes.

Daraus, dass die magnetische Axe eines Stabes sich stets in den Meridian einstellt, dass sie dahin nach einigen Schwankungen zurückkehrt, wenn sie aus ihm entfernt ist,

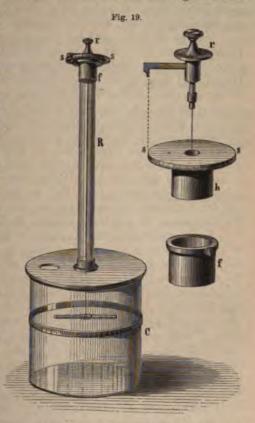
folgt, daß sobald die Axe dem Meridian nicht parallel ist, Kräfte anf die Nadel einwirken, welche ihr ein bestimmtes Drehungsmoment erteilen. Dieses Drehungsmoment ist gleich O, wenn die Axe sich im Meridiane befindet, es nimmt zu, wenn der Winkel zunimmt, welchen die Axe mit dem Meridiane bildet.

Welcher Art die Kräfte sind, welche auf den Magnet einwirken, und nach welcher Richtung hin sie thätig sind, das zeigt uns eine Untersuchung des Drehungsmomentes bei verschieden starker Ablenkung des Stabes. Ein bequemes Mittel dazu haben wir in der Torsion eines Fadens, an welchem wir den Magnetstab aufhängen, da wir imstande sind, durch dieselbe dem Stabe ein beliebiges genau bestimmbares Drehungsmoment zu erteilen. Der am besten dazu geeignete Apparat ist die Drehwage von Coulomb.

Die Drehwage, welche Coulomb zuerst zur Messung magnetischer und

elektrischer Kräfte konstruierte¹), besteht in ihrer einfachsten Form aus einem Glascylinder C (Fig. 19) von ca. 3 Decimeter Höhe und ungefähr dem-

selben Duchmesser, welcher mit einer in der Axe des Cylinders durchbohrten Glasplatte bedeckt ist; in dieser Durchbohrung ist eine etwa 5 Decimeter lange Röhre R von 2 Centimeter Durchmesser eingekittet, in deren Axe, welche zugleich die Aze des unteren Cylinders ist, ein dünner Silberdraht oder Kupferdraht sich befindet, welcher bis ungefähr in die Mitte des unteren Cylinders hinabreicht. Der Draht ist in der Mitte einer Messingscheibe ss in einem Knopfe r, man sehe die Nebenfgur, befestigt. An seinem unbren Ende trägt der Draht ein Schiffchen von Messing, welches den Magnetstab aufnimmt, so dals dieser nur in der Horizontalebene sich drehen kann. Der Knopf r ist konisch in die mittbre Offnung der Scheibe ss eingeschliffen und kann um die Axe der Röhre R mit dem Drahte gedreht werden, so dass man dem Drahte in bezug auf die Torsion jede Gleichgewichtslage geben kann. Die Messing-



scheibe ss, welche der Torsionskreis heifst, ist auf ihrer hohen Kante mit ihrer Gradteilung versehen; ein an dem Knopfe r vorhandener Zeiger sicht auf dieser Teilung ein, so daß man die Drehung des Knopfes auf der Teilung ablesen kann. An dem Torsionskreise findet sich unten eine Messingröhre h, welche genau in die Messingfassung f der Röhre R paßst und mit sanfter Reibung in derselben gedreht werden kann. An der Fassung f befindet sich ebenfalls ein auf die Kreisteilung an der Scheibe ss weisender Index, welcher die Drehung der Scheibe zu bestimmen gestattet.

Rund um den Glascylinder C ist in der Höhe, in welcher der Magnetstab schwebt, ein Messingstreifen gelegt, welcher in 360 gleiche Teile geteilt ist, welcher also die Lage des Magnetstabes, den Winkel, welchen er in einer bestimmten Stellung mit dem magnetischen Meridian bildet, m bestimmen gestattet.

Da dieser Apparat die Aufgabe hat, die Drehungsmomente, welche den magnetischen Stab in den Meridian zurückführen, wenn er um verschiedene

¹⁾ Coulomb, Mémoires de l'acad. des sciences, Paris, année 1785.

Winkel aus demselben abgelenkt ist, durch die Torsion des Drahtes mit einander zu vergleichen, so ist es zunächst notwendig, den Apparat so einzurichten, dass der Faden ganz ohne Torsion ist, wenn der Magnetstab sich im magnetischen Meridian befindet.

Man stellt daher zunächst den ganzen Apparat so auf, daß der die Punkte 0 und 180 der unteren Teilung verbindende Durchmesser des Cylinders C dem vorher bestimmten magnetischen Meridiane parallel ist. Darauf legt man in das an dem Drahte hängende Schiffchen einen dünnen Kupferstab und bewirkt durch Drehung des Knopfes r, welche dem Faden, wenn er unten fest wäre, eine Torsion erteilen würde, daß dieser Kupferstab sich genau in den magnetischen Meridian einstellt und sich selbst überlassen dort stehen bleibt. Da das nur der Fall ist, wenn der Faden in dieser Lage ohne Torsion ist, so wird nachher, wenn der Kupferstab durch den Magnetstab ersetzt wird, auch dieser dem magnetischen Meridiane parallel sein, wenn der Faden ohne Torsion ist. Schließlich stellt man den Torsionskreis ss so, daß der an dem Knopfe r befindliche Index auf den Nullpunkt der am Torsionskreise befindlichen Teilung zeigt, wenn der Kupferstab in dem magnetischen Meridiane einsteht.

Jetzt ersetzt man den Kupferstab durch einen Magnetstab, so dan sein Nordende nach Norden zeigt, daß er sich also ohne jegliche Torsion des Fadens im magnetischen Meridiane im Gleichgewicht befindet. Um die den Stab in den Meridian zurückführenden Drehungsmomente zu vergleichen, erteilt man dem Faden durch Drehung des Knopfes r um einen Winkel eine bestimmte Torsion. Der Magnetstab folgt der dem Faden erteilten Drehung und kommt nach einigen Schwankungen zur Ruhe, wenn er um einen Winkel α abgelenkt ist. Auf den abgelenkten Magnetstab wirken zwei Kräfte ein, erstens die Torsion des Drahtes, welche ihn von dem magnetischen Meridiane zu entfernen sucht, und zweitens die magnetischen Kräfte, welche ihn in den Meridian zurückzuführen suchen; er befindetsich somit im Gleichgewicht, wenn beide drehenden Kräfte einander gleich sind. Bezeichnen wir daher den Torsionskoefficient des Drahtes mit Tund das Drehungsmoment der magnetischen Kräfte mit M', so haben wir die Gleichung

$$T \cdot (\vartheta - \alpha) = M'$$

Man erteilt dem Drahte eine andere Torsion um einen Winkel δ und beobachtet dann einen andern Winkel α , welchen der Magnetstab im Zustande des Gleichgewichts mit dem magnetischen Meridiane bildet Bezeichnen wir das Drehungsmoment der magnetischen Kräfte jetzt mit M", so besteht die Gleichung

$$T \cdot (\vartheta' - \alpha') = M''$$

Aus diesen beiden Gleichungen folgt

$$\frac{M'}{M''} = \frac{\vartheta - \alpha}{\vartheta' - \alpha'},$$

oder die den Magnetstab in den Meridian zurückführenden Drehungsmomente sind direkt den Winkeln proportional, um welche man den Draht tordieren mulste, damit der Stab in die betreffenden Lagen kam.

Vergleicht man die Torsionswinkel $\vartheta - \alpha$ und $\vartheta' - \alpha'$ und die

inkel α und α, um welche der Stab abgelenkt wurde, mit einander, findet man, dass

$$\vartheta - \alpha : \vartheta' - \alpha' = \sin \alpha : \sin \alpha',$$

o auch dass

$$M':M''=\sin\alpha:\sin\alpha'$$

er, daß die den Stab in den magnetischen Meridian zurückführenden ufte dem Sinus des Winkels proportional sind, um welchen der Stab s dem magnetischen Meridian abgelenkt ist.

Ist daher D das Drehungsmoment, welches die Nadel zurückzuführen cht, wenn der Stab senkrecht zu dem magnetischen Meridiane steht, so allgemein das Drehungsmoment M, wenn er mit dem Meridiane den inkel a bildet,

$$M = D \cdot \sin \alpha$$
.

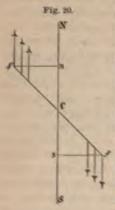
Auf einem andern noch einfacheren Wege können wir den Nachweis fern, daß das den Magnetstab in den Meridian zurückführende Drehungsment dem Sinus des Ablenkungswinkels proportional ist. Wendet man mlich in der Torsionswage einen so dünnen Draht oder Faden an, daß Torsionskraft desselben gegen das Drehungsmoment des magnetischen abes verschwindend klein ist, und versetzt den Magnetstab, indem man m einen andern Magnet nähert, in kleine Schwingungen, so findet man, ds dieselben ebenso wie jene des Pendels isochron sind, das heifst, daß Schwingungsdauer, so lange die Amplituden überhaupt nur klein sind, n der Amplitude unabhängig ist, dass überhaupt die Schwingungen genau aselben Gesetzen folgen, wie ein unter der Wirkung der Schwere schwinndes Pendel. Ebenso wie diese letztere Bewegung hat deshalb auch die bwingende Bewegung der Magnete Kräfte zur Voraussetzung, welche dem Agnete ein dem Sinus des Ablenkungswinkels proportionales Drehungsament erteilen. Da nun ein so pendelnder Magnetstab nur infolge seines agnetismus in den Meridian zurückgeführt wird, so folgt, dass der Magnesmus einem nicht im magnetischen Meridiane befindlichen Stabe ein Tehungsmoment erteilt, welches dem Sinus des Ablenkungswinkels proortional ist 1).

Aus diesem Satze folgt weiter, dass die auf den magnetisierten Stab bwirkenden Kräfte einander und dem magnetischen Meridiane parallel nd, daß diese Kräfte die Nordhälfte der Nadel CN (Fig. 13) nach dem gnetischen Nordpol parallel CN, dagegen die Südhälfte der Nadel CF ach dem magnetischen Süden parallel CS ziehen. Denn in dem Falle ist Drehungsmoment der Nadel dem Sinus des Ablenkungswinkels proortional, da das Drehungsmoment, welches eine Kraft auf einen Körper mabt, gleich ist dem Produkte aus jener Kraft und dem in der Drehungsbene genommenen senkrechten Abstande der Richtung der Kraft von der brhungsaxe.

Da wir gerade in dem Magnetismus eines Stabes die Ursache einer

Dieser Satz wurde zuerst von Lambert abgeleitet; man sehe Gehlers Wirterlinch Bd. VI. 2. Abtl. p. 746 ff., später von Coulomb durch die angeführten etkoden strenger bewiesen. Coulomb a. a. O.

solchen drehenden Kraft erkennen, so folgt, daß an allen Punkten Stabes, welche freien Magnetismus enthalten, derartige Kräfte angre



An jedem Punkte der Nordhälfte eines Stabes, wei freien Nordmagnetismus enthält, greift eine Kraft welche den Stab nach Norden zieht; an jedem Pu der Südhälfte, der freien Südmagnetismus ent greift eine ebensolche Kraft an, die ihn nach S zieht; je zwei solcher an symmetrisch zur Drehung liegenden Punkten angreifender Kräfte bilden ein Kr paar, welches den aus dem Meridiane gebrachten zurückzudrehen sucht. An jeder Hälfte des Stabes g also ein System von parallelen Kräften an. Diese p lelen Kräfte haben eine bestimmte, ihrer Summe gle Mittelkraft, welche an einem bestimmten Punkte, Mittelpunkte der parallelen Kräfte, angreift und in Beziehung anstatt der verteilten Kräfte als wirl gedacht werden kann. Die Angriffspunkte dieser K an dem Magnete sind die eigentlichen magnetis

Pole. In dieser Weise definiert liegen die Pole also keineswegs an den E der Stäbe, wo der freie Magnetismus am stärksten ist, sondern an ir welchen Punkten im Innern der Stäbe, deren Lage abhängig ist von

Verteilung der am magnetischen Stabe wirksamen Kräfte.

Gerade so wie ein Pendel im Gleichgewicht ist, wenn sein Sch punkt mit der Drehungsaxe des Pendels in derselben Vertikalebene befindet, so wird der Magnetstab, das magnetische Pendel im Gleichgev sein, wenn die Verbindungslinie der beiden Pole sich im magnetis Meridiane befindet, da dann die an beiden Polen angreifenden Kräfte ge nach entgegengesetzten Richtungen wirken, ihre Hebelarme also g null sind. Die Verbindungslinie der beiden Pole ist also jene Richt der wir vorher den Namen der magnetischen Axe gaben. Steht sie s recht zum Meridian, so erhält das Drehungsmoment des Stabes se größten Wert.

Da aus der durchgeführten Untersuchung folgt, daß auf die Mas Parallelkräfte wirken, welche die Nordhälfte der Nadel nach dem mag schen Norden, die Südhälfte nach dem magnetischen Süden ziehen, so man sofort zu der Frage geführt, was es denn sei, was diese Zugk auf den Magnet ausübt. Wir werden diese Frage zwar später ausführl untersuchen, zur Klärung der Verstellungen bemerken wir aber hier s vorgreifend, dass dieses Verhalten auf die Annahme geführt hat, das Erde selbst ein magnetischer Körper sei, dessen Nordhälfte nach un Beseichnungsweise südlichen Magnetismus enthält, während die Südl Nordmagnetismus enthält. Es ist leicht zu zeigen, wie durch diese Ann die betrachteten Krscheinungen ihre Erklärung finden. Denken wir n R nur einen Südpol in geoffer Butfernung in der Richtung des mi tischen Meridians vor dem Nordpole unseres Stabes, so wird derselbe Tuile des aufgehängten Magnetstabes, welche freien Nordmagnetismus halton, nach Nordon sieben, alle diejenigen, welche freien Südmags mus anchalten, mach dom magnatischen Stabm hin abstalsen. Ganz e of ain Northed wirken, welcher in großer Entfernung an der St

unseres Stabes sich befindet; er wird ebenfalls den Stab dem Meridiane parallel und so zu stellen suchen, daß der Nordpol nach Norden zeigt. Wenn demnach die Erde ein großer Magnet ist, dessen Pole in großer Entfernung in der Richtung des magnetischen Meridianes von uns entfernt sind, so muß ein sich selbst überlassener Magnet immer dem Meridiane parallel gestellt werden, da durch die Einwirkung der magnetischen Erdpole auf den freien Magnetismus des Stabes dem nicht im Meridiane befindlichen Stabe ein Drehungsmoment erteilt wird, welches ihn in den Meridian zurückführt.

In dieser Direktionskraft eines Magnetstabes erhalten wir gleichzeitig ein Mass für den Magnetismus desselben, indem wir diesen, oder strenger genommen das magnetische Moment des Stabes seiner Direktionskraft proportional setzen können. Denn denken wir uns zunächst einen Magnet von der Länge l, an dessen Enden gewisse Quantitäten freien Magnetismus, m dem einen Ende Nord-, an dem andern Südmagnetismus vorhanden seien. Der Nordmagnetismus wird nach Norden, der Südmagnetismus nach 86den hin getrieben. Gerade so wie wir in der Mechanik die Masse eines Körpers dem Gewichte desselben, das heifst der Kraft, mit welcher er rei fallend gegen den Mittelpunkt der Erde getrieben wird, proportional etzen, können wir auch die Menge des Nord- oder Südmagnetismus der Kmft proportional setzen, mit welcher dieselbe gegen Norden oder Süden getrieben wird. Nennen wir die Kraft, mit welcher die als Einheit angenommene Menge Nord- oder Südmagnetismus nach Norden oder Süden zetrieben wird, T, so wird jene Menge Magnetismus gleich m sein, bei welcher die in der Richtung des Meridians wirkende Kraft gleich m. T st. Setzen wir an den Enden des vorhin angenommenen Magnetes von der Länge I die so gemessenen Mengen m Nord- resp. Südmagnetismus toraus, so ist die Direktionskraft dieses Magnetes

D = Tml.

Die Direktionskraft ist somit dem Produkte aus den an den Enden eines Magnetes der gedachten Beschaffenheit vorhandenen Magnetismen und der Länge des Magnetes direkt proportional. Dieses Produkt ml bezeichnet man als das magnetische Moment des Stabes. Die Direktionskraft ist also gleich dem magnetischen Momente multipliziert mit einer Konstanten, T, deren Wert abhängig ist von der als Einheit gewählten Menge des Magnetismus, und welche uns gleichzeitig die Stärke des Erdmagnetismus mißt; nach obiger Gleichung wird dieselbe gemessen durch die Direktionskraft eines Stabes, dessen magnetisches Moment gleich der Einheit ist.

Unsere Entwicklung hat zunächst einen einfachen Magnet, d. h. einen solchen vorausgesetzt, der lediglich an seinen Enden freien Magnetismus beitzt; daß dieselbe indes auch für vollständige Magnete von der im §. 11 skannten Beschaffenheit gilt, ersieht man leicht. Denken wir durch die Mitte der Axe eines solchen Magnets eine Drehungsaxe, und befinden sich an der einen Seite der Drehungsaxe in den Entfernungen $\frac{l}{2}, \frac{l'}{2}, \frac{l''}{2} \cdots$ die Nordmagnetismen m, m', m'', \ldots an der andern Seite in den gleichen Entfernungen die gleichen Mengen Südmagnetismen, so ist die Direktionskraft dieses Magnetes

$$D = Tml + Tm'l' + Tm''l'' + \cdots,$$

oder da die Konstante T in allen Gliedern denselben Wert hat,

$$D = T\{ml + m'l' + m''l''\} = T\Sigma ml,$$

worin dann Eml die Summe der Momente aller einzelnen in dem Stabe vorhandenen freien Magnetismen, also das magnetische Moment des ganzen Stabes bedeutet.

Wir können demnach stets die magnetischen Momente der Magnete durch die Direktionskraft messen, zwei Magnete gleicher Direktionskraft haben gleiche Momente und allgemein verhalten sich die Momente der Magnetstäbe wie deren Direktionskräfte.

§. 15.

Messung der magnetischen Direktionskraft. Dieselben Methoden, durch welche man die Natur der auf einen in horizontaler Ebene drehbar aufgehängten Magnet wirkenden Kräfte auffindet, sind auch geeignet, die Größe des Drehungsmomentes, welches den Magnet in den Meridian zurückführt, zu messen.

Um das Drehungsmoment mit der Torsionswage zu bestimmen, verfährt man nach Coulomb¹) so, daß man in die Torsionswage, welche in der im vorigen Paragraphen angegebenen Weise vorgerichtet ist, einen Magnetstab legt. Wenn sich derselbe in dem magnetischen Meridiane befindet, so ist der Faden zugleich ohne Torsion. Man tordiert den Faden um einen bestimmten Winkel, etwa um zwei ganze Umdrehungen, und beobachtet die Ablenkung des Magnetstabes aus dem Meridiane. Betrage die Ablenkung z. B. 20°, wenn der Magnetstab seine Gleichgewichtslage angenommen hat.

Auf den Magnetstab wirken dann zwei Kräfte ein, nämlich die magnetische Direktionskraft, welche ihn in den Meridian zurückzuführen sucht, und zweitens das Drehungsmoment infolge der Torsion des Aufhängefadens, welches den Stab vom Meridiane fortzuführen strebt. Beide Kräfte halten sich das Gleichgewicht. Sei D die magnetische Direktionskraft, wenn der Stab senkrecht zum Meridiane steht, und α der Ablenkungswinkel, welchen er infolge der Torsion um ω^0 erhalten hat, sei ferner F der Torsionskoefficient des Fadens, wenn er um $\mathbf{1}^0$ tordiert ist, so besteht die Gleichung

$$D \cdot \sin \alpha = F \cdot \omega$$
,

somit

$$D = F \cdot \frac{\omega}{\sin \alpha}.$$

In dem angeführten Beispiele ist der Faden um zwei Umdrehungen, also 720° gedreht und der Stab dieser Torsion 20° gefolgt; der Torsionswinkel ist also $\omega = 700$ und

$$D = F \cdot \frac{700}{\sin 20^0}$$

¹⁾ Coulomb, Mémoires de l'académie. Paris 1785.

Hat man den Wert von F vorher auf dem bekannten Wege t) bestimmt, so erhält man für D einen ganz bestimmten Wert; derselbe giebt an, daß das Drehungsmoment, welches den Magnetstab, wenn er senkrecht zum magnetischen Meridiane steht, infolge seines Magnetismus in den Meridian zurückzuführen sucht, gleich dem Drehungsmomente einer wirksamen Kraft an dem Endpunkte eines der Einheit gleichen Hebelarmes sei, welche den Faden, der um $\frac{\omega}{\sin \alpha}$ Grade tordiert ist, vom Zurückdrehen abhält.

Auf diese Weise bestimmen wir also das Drehungsmoment, welches den Magnetstab in den Meridian zurückführt, direkt durch ein anderes, dem wir es gleich machen; diese Methode gestattet es daher, ohne weiteres die Direktionskräfte zweier Magnetstäbe und damit die magnetischen Momente zu vergleichen. Ist nämlich bei einem andern Stabe eine Torsion von w'o notwendig, um den Magnetstab aus seiner Gleichgewichtslage um go zu entfernen, so besteht für diesen die Gleichung:

$$D' = F \cdot \frac{\omega'}{\sin \alpha},$$

und somit

$$D:D'=\omega:\omega'$$
.

Die Direktionskräfte zweier beliebiger Magnetstäbe verhalten sich somit direkt wie die Winkel, um welche wir den Draht der Torsionswage brdieren müssen, um den Magnetstäben gleiche Ablenkungen aus dem nagnetischen Meridiane zu erteilen. Da wir nun die Direktionskraft Dals Maß des magnetischen Momentes erkannt haben, so folgt zugleich, daß die magnetischen Momente zweier Stäbe sich verhalten wie die Winkel, um welche der Draht der Torsionswage tordiert werden muß, damit die beiden Stäbe gleiche Ablenkung aus dem magnetischen Meridiane erhalten.

Um die magnetische Direktionskraft nach der zweiten Methode, nach derjenigen der Oscillationen in einem bestimmten Maße auszudrücken?), haben wir auf die Schwingungen des Magnetstabes die Gesetze der Pendelbewegung anzuwenden. Ein Magnetstab, welcher in horizontaler Ebene drehbar an einem Faden aufgehängt ist, dessen Torsionskraft wir als verschwindend klein ansehen können, vollführt, wie wir sahen, Schwingungen m seine Gleichgewichtslage. Die Dauer dieser Schwingungen hängt betanntlich ab von der Größe der bewegenden Kraft und der Größe der m bewegenden Masse. Wie wir im ersten Teile nachgewiesen haben, ist die Schwingungsdauer eines Pendels direkt proportional der Quadratwurzel aus dem Abstande des Angriffspunktes der bewegenden Kraft von der Drehungsaxe und umgekehrt proportional der Quadratwurzel aus der Beschleunigung, welche die bewegende Kraft derjenigen Masse erteilt, welche in dem Angriffspunkte der Kraft die Masse des ganzen Pendels ersetzt. Da nun die Schwingungen der Magnetstäbe denselben Gesetzen folgen wie die Schwingungen gewöhnlicher Pendel, so muß auch die Schwingungsdauer ganz ebenso von der bewegenden Kraft und der bewegten Masse abhängen.

1) Man sehe I. Teil §. 51.

²⁾ Coulomb, Mémoires de l'académie. Paris 1785.

Die bewegende Kraft ist beim Magnete die Kraft, welche die Nordhälfte des Stabes dem Meridiane parallel nach dem magnetischen Norden, die Südhälfte nach dem magnetischen Süden treibt, die Angriffspunkte dieser Kraft sind die magnetischen Pole, und das Drehungsmoment, welches diese Kraft auf den Stab ausübt und welches wir bisher mit D bezeichneten, giebt uns jene Kraft, welche in der Abstandseinheit von der Drehungsaxe dem Stabe dasselbe Drehungsmoment erteilen würde.

Die Masse, welche in demselben Punkte, in der Abstandseinheit von der Drehungsaxe, die Masse des ganzen Magnetstabes ersetzt, ist durch das Trägheitsmoment des Stabes in bezug auf die Drehungsaxe gegeben. Bezeichnen wir dieses Trägheitsmoment mit K, so ist die Beschleunigung, welche die auf den Magnet wirkende Kraft der Masse des Magnetes bei konstanter Wirkung erteilen würde, gleich

$$\frac{D}{K}$$
.

Wir haben anf diese Weise sowohl den Angriffspunkt der Kraft, als auch die Masse des Magnetstabes in die Abstandseinheit von der Drehungsaxe versetzt; die Schwingungsdauer t eines solchen Stabes ist daher gegeben durch die Gleichung

$$t = \pi \sqrt{\frac{K}{D}}$$
.

Ist daher durch die Beobachtung die Schwingungsdauer t eines Magnetes bekannt, so erhält man daraus

$$D = \frac{\pi^2.K}{t^2}$$

für die magnetische Direktionskraft. Dieselbe ist hier gegeben durch Gewichte, welche in der Abstandseinheit von der Drehungsaxe dasselbe Drehungsmoment ausüben, welches die magnetischen Krüfte dem Magnetstabe erteilen.

Haben K', t', D' für einen andern Magnetstab dieselbe Bedeutung, so ist für diesen

$$D' = \frac{\pi^2 \cdot K'}{t'^2},$$

somit

$$D: D' = Kt'^2: K't^2.$$

Ist t = t', so wird

$$D:D'=K:K'$$

oder bei gleicher Schwingungsdauer verhalten sich die Direktionskräfte zweier Magnete direkt wie die Trägheitsmomente der Stäbe. Ist K=K', so wird

$$D:D'=t'^2:t^2,$$

oder die Direktionskräfte zweier Magnetstäbe gleicher Masse verhalten sich umgekehrt wie die Quadrate der Schwingungsdauer derselben. Die Schwingungszahlen der beiden Stäbe in gleichen Zeiten verhalten sich nun umgekehrt wie die Schwingungsdauer. Bezeichnen wir die Schwingungszahlen und n', so erhalten wir

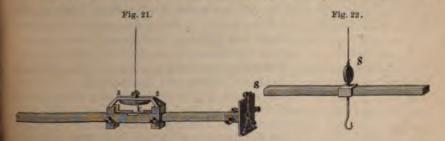
$$D:D'=n^2:n'^2,$$

oder die magnetischen Direktionskräfte zweier Stäbe gleicher Trägheitsmomente verhalten sich direkt wie die Quadrate der Schwingungszahlen.

Um nach dieser Methode die Direktionskraft D zu bestimmen, bedarf es vor allem einer genauen Bestimmung der Schwingungsdauer t und des Trägheitsmomentes K. Beides läßt sich mit astronomischer Genauigkeit nach der von Gauss angegebenen Methode 1) bestimmen.

Wir beschreiben den von Gauss zu diesem Zwecke angegebenen Apparat, das Magnetometer, ausführlich, da er außer zur Bestimmug von D noch mandern Zwecken gebraucht wird. Das Magnetometer von Gauss besteht aus zwei getrennten Teilen, dem aufgehängten Magnetstabe und einem Theodoliten zur Beobachtung der Schwingungen.

Der zu untersuchende Magnetstab wird an einem Faden, der aus mehreren Coconfäden zusammengelegt ist, aufgehängt. Der Faden ist durch eine besondere Vorrichtung, welche ihn zu heben und zu senken gestattet, an der Decke des Beobachtungszimmers befestigt. Er trägt an seinem unteren Ende ein Schiffchen ss (Fig. 21) von Messing, in welches der Magnetstab



bineingelegt wird. Das Schiffchen ist so eingerichtet, dass man durch brehung eines Kreises k, in dessen Axe der Faden befestigt ist, den Faden an seinem unteren Ende tordieren kann, ohne dass bei dieser Torsion der Magnetstab mitgedreht wird. Der Magnetstab ist mit einem Spiegel vertehen, welcher genau senkrecht zur magnetischen Axe gestellt ist. Der Spiegel ist entweder an dem einen Ende des Magnetstabes, Fig. 21 S oder, je nach den Umständen, an dem Träger desselben, Fig. 22 S, befestigt. Ist das letztere der Fall, so ist der Träger mit einer doppelten Aufhängevorrichtung versehen, so dass man den aufgehängten Magnetstab umhängen kann, das heißt die jetzt obere Seite zur unteren machen kann. An der Besettigung des Spiegels Fig. 21 sind einige Korrektionsschrauben angebracht, welche gestatten, die Spiegelebene in horizontaler sowie in vertitaler Richtung etwas zu drehen, damit man so den Spiegel genau senkrecht zur magnetischen Axe stellen kann.

Der Magnetstab hängt in einem sechseckigen Kasten von Holz oder von Pappe Fig. 23 K, welcher bis auf zwei Öffnungen rings geschlossen

¹⁾ Gauss, Intensitas vis magneticae terrestris in mensuram absolutam revotata Göttingen 1833. Poggend, Ann. Bd. XXVIII. Die detaillierte Beschreibung des Apparates findet sich in: Resultate aus den Beobachtungen des magnetischen Vereins. 1. Bd. Göttingen 1836.

ist. Die eine Öffnung befindet sich in dem Deckel des Kastens, sie dient zum Durchlassen des Aufhängefadens. Die andere ist dem mit dem Spiegel versehenen Ende des Magnetstabes gegenüber angebracht und etwas größer als der Spiegel selbst. In einiger Entfernung von dem Magnetstabe, in der Richtung des magnetischen Meridianes, und zwar dem Spiegel gegenüber, ist ein Theodolit aufgestellt. Die Vertikalebene, welche die vertikale Axe des Theodoliten und den Aufhängefaden aufnimmt, ist die Ebene des magnetischen Meridianes. Fig. 23 zeigt die Aufstellung von oben gesehen,

T ist der Theodolit, M der mit dem Spiegel versehene Magnetstab, von dem wir annehmen, seine magnetische Axe befinde sich genau im magnetischen Meridiane und der Spiegel sei senkrecht zur magnetischen Axe des Stabes befestigt.

Die optische Axe des Theodolitfernrohrs ist etwas höher als der Magnetstab und in der Vertikalebene des magnetischen Meridianes so abwärts geneigt, daß sie gegen die Mitte des Spiegels an dem Stabe gerichtet ist.

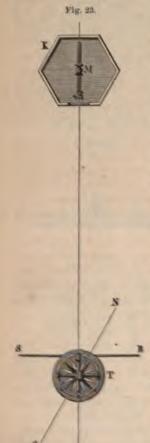
An dem Stative des Theodoliten ist eine etwa 1 Meter lange, in Millimeter geteilte horizontale Skala SR befestigt, welche mit dem magnetischen Meridiane einen rechten Winkel bildet. Der Nullpunkt der Skala befindet sich an dem einen Ende des Stabes und die Teilung ist von da aus aufgetragen. Der Mittelpunkt der Skala befindet sich mit der optischen Axe des Theodolitfernrohrs in derselben Vertikalebene. Die Lage des Mittelpunktes wird dadurch bestimmt, dass ein vor der Mitte des Objektivs herabhängender feiner Faden, der durch ein kleines Gewicht gespannt ist, denselben deckt.

Die Skala ist ferner so tief unter dem Fernrohr angebracht, daß das Bild eines Teiles derselben im Spiegel durch das Fernrohr gesehen werden kann; das Fernrohr ist zu dem Ende auf die doppelte Entfernung des Spiegels eingestellt.

Befindet sich in der That die magnetische Axe des Stabes genau im magnetischen Meridiane, ist der Spiegel zu dieser Axe genau senkrecht gestellt und der Theodolit nebst Skala in der angegebenen Weise orientiert, so muß der durch den feinen Faden markierte Mittelpunkt der

Skala im Spiegelbild gerade am vertikalen Faden des Fadenkreuzes des Fernrohrs erscheinen. Untersuchen wir zunächst die Maßnahmen, welche dazu führen.

Damit die magnetische Axe des Stabes sich genau im Meridiane befinde, ist es erforderlich, daß der Aufhängefaden ohne Torsion sei, wenn der netstab sich in der Gleichgewichtslage befindet. Man bestimmt dazu mit vorgerichteten Magnete zunächst den Meridian annähernd, indem man



ihn in der angegebenen Weise aufhängt. Da die Torsionskraft der angewandten Fäden nur sehr klein gegen das Drehungsmoment des Magnetes ist, so wird selbst bei starker Torsion des Fadens nur eine geringe Abweichung des Magnetes vom Meridian vorhanden sein. Man stellt den Theodoliten dem Spiegel gegenüber und merkt den Teilstrich der Skala, welcher am Fadenkreuz des Fernrohrs erscheint. Man ersetzt darauf den Magnetstab durch einen genau ebenso eingerichteten Messingstab, in welchem nur, um die Schwingungen infolge der Torsionselasticität etwas abzukurzen, ein kleines, schwach magnetisiertes Magnetstäbchen eingelegt ist. War der Faden vorher ohne Torsion, so wird sich dieser Stab genau so stellen, als der Magnetstab vorher; war das nicht der Fall, so nimmt er eine andere Stellung ein und dann verdreht man den Faden mit dem am Schiffchen befindlichen Torsionskreis so lange, bis der Stab genau die Stellung des Magnetstabes hat. Ersetzt man diesen Torsionsstab wieder durch den Magnetstab, so wird die Lage desselben jetzt eine etwas andere als vorher, jedenfalls aber dem Meridiane nähere sein, wenn nicht ihn schon erreichen. Man merkt seine Stellung wieder, ersetzt ihn durch den Torsionsstab und dreht den Faden wieder so weit, dass die Lage des letztern Stabes derjenigen des Magnetes genau gleich ist. Ist bei dann folgendem Einsetzen die Lage des Magnetes noch etwas geändert, so verfährt man noch einmal gerade so, bis die Lage des magnetischen Stabes und des Torsionsstabes genau dieselbe ist. Hat man das erreicht, so kann man sicher sein, daß der Faden, wenn der Magnet in der Gleichgewichtslage sich befindet, ohne Torsion ist, dass also die magnetische Axe des Stabes bei der Ruhelage des letztern genau im magnetischen Meridiane ist.

Um zu untersuchen, ob der Spiegel genau senkrecht zur magnetischen Are ist, merkt man sich zunächst den am Fadenkreuz erscheinenden Teilstrich der Skala, nimmt den Magnetstab aus dem Schiffchen heraus und längt ihn um, so daß seine vorher untere Seite zur obern wird. Bildet der Spiegel mn (Fig. 24) mit der magnetischen Axe NS des Stabes einen

undern Winkel a als einen rechten, so ist nach dem Umlegen die Lage des Spiegels eine andere geworden wir, was man daraus erkennt, daß ein anderer Teiltich der Skala in das Fernrohr reflektiert wird. Mit Hilfe der Korrektionsschrauben wird der Spiegel in die richtige Lage gebracht. War vorher z. B. der Teilstrich 10 rechts vom Mittelpunkte und nach dem Umlegen der Teilstrich 20 links vom Mittelpunkte um Fadenkreuz sichtbar, so muß man die Stellung des Spiegels soweit korrigieren, daß der Teilstrich 5 links vom Mittelpunkte am Fadenkreuz erscheint. Nach nochmaligem Umlegen wird derselbe Teilstrich am Fadenkreuz sichtbar sein. Indem man den Magnetstab um 90° und 270° dreht, verfährt man gerade so, um anch den Vertikaldurchschnitt des Spiegels senkrecht



anch den Vertikaldurchschnitt des Spiegels senkrecht zur magnetischen Aue zu stellen.

Schliefslich hat man noch, um das Magnetometer ganz vollständig einzurichten, dem Theodoliten die richtige Stellung zu geben, d. h. ihn so aufzustellen, dals, wenn der Magnet in seiner Gleichgewichtslage sich

befindet, der Mittelpunkt der Skala, welcher durch den vor der Mitte des Objektivs herabhängenden Faden bestimmt ist, im Spiegel nach dem Fadenkreuz des Fernrohrs hin reflektiert wird.

Hiermit ist das Magnetometer ein für allemal nicht nur zu den Schwingungsversuchen, sondern noch zu einer Anzahl demnächst ausführlich mitzuteilender Beobachtungen eingerichtet. Bei Einsetzung verschiedener Magnetstäbe hat man nur dafür Sorge zu tragen, dass bei jedem

der Spiegel senkrecht zur magnetischen Axe des Stabes ist.

Um mit diesem Apparate die Schwingungsdauer eines Magnetstabes genau zu bestimmen1), versetzt man denselben durch Annäherung eines Magnetstabes, der dann aber wieder entfernt wird, in kleine Schwingungen. Die Schwingungszeit eines Pendels oder eines Magnetstabes ist die Zeit, welche derselbe braucht, um von einer äußersten Stellung zur entgegengesetzten zu gelangen, welche also zwischen zwei auf einander folgenden Elongationen verstreicht. Da es jedoch äußerst schwierig ist, den Zeitpunkt der Elongationen, d. h. den Moment genau zu bestimmen, in welchem der Stab genau seine äußerste Lage erreicht, so ist es besser, die Schwingungsdauer aus korrespondierenden Beobachtungen zu bestimmen. Man beobachtet zu dem Ende genau den Moment, wann ein bestimmter Teilstrich der Skala sowohl beim Hingange als bei der Rückkehr das Fadenkreuz des Fernrohrs passiert, und nimmt dann das Mittel aus den beobachteten Zeiten für den Zeitpunkt der betreffenden Elongation. Am besten wählt man einen Teilstrich, welcher der Mitte der Schwingungen möglichst nahe liegt, wenn die Amplituden nicht zu groß sind, da dort die Bewegung am schnellsten ist, also der Zeitpunkt des Durchgangs des Teilstriches am genauesten bestimmt werden kann. Zu dem Ende ist es am besten, in der Nähe des Theodoliten eine Sekunden schlagende Pendeluhr aufzustellen, und es so einzurichten, daß der Vorübergang des Teilstriches mit einem Sekundenschlage zusammenfällt. Man hat dann von einem bestimmten Durchgange an die Sekunden bis zu dem folgenden nach der gleichen Richtung geschehenden Durchgange zu zählen. So beobachte man z. B. den ersten Durchgang eines bestimmten Teilstriches 1 Uhr 10 Minuten 12 Sekunden, den folgenden beim Rückgange des Pendels 1h 10' 54" und den dritten 1h 11' 37", dann folgt aus der ersten und zweiten Beobachtung, daß der Stab um 1h 10' 33" seine ausserste Lage nach der einen Seite erreicht hatte, aus der zweiten und dritten, dass er um 1h 11' 15,5" in der äußersten Lage an der andern Seite der Bahn war. Daraus ergiebt sich die Schwingungsdauer

1h 11' 15,5" - 1h 10' 33" = 42,5".

Sollte der Durchgang des Teilstrichs nicht genau mit einem Sekundenschlage zusammenfallen, so beobachtet man, welcher Teilstrich bei dem Sekundenschlage vor dem Durchgange und bei dem Schlage nach dem Durchgange am Fadenkreuz ist, und bestimmt den Bruchteil der Sekunde nach dem Verhältnis der Entfernungen dieser beiden Teilstriche von dem gewählten Teilstriche, indem man annimmt, dass während einer Sekunde die Bewegung des Stabes gleichförmig ist. So sei der gewählte Teilstrich

Gauss, Resultate aus den Beobachtungen des magnetischen Vereins. II. Bd. Göttingen 1837.

2 B. der Teilstrich 500, und man finde, daß bei dem vorhergehenden Sekundenschlage der Teilstrich 512, bei dem folgenden 494 am Fadenkreuze erscheine, so fand der Durchgang 0,66" nach dem ersten Sekunden-

schlage statt.

Man wird niemals durch eine einzige solche Beobachtung die Schwingungszeit bestimmen wollen, sondern stets mehrere anstellen. Es ist dazu nicht erforderlich, daß man während der ganzen Dauer des Versuches den Bewegungen des Stabes folge, man hat nur die Zeiten der ersten und letzten Elongation zu bestimmen, sobald man durch eine Anzahl Beobachtungen die Schwingungsdauer so weit kennt, daß über die Zahl der in jener Zwischenzeit stattfindenden Schwingungen kein begründeter Zweisel sein kann. Ein Beispiel wird das noch klarer machen. Wir nehmen an, daß man wieder den Teilstrich 500 beobachte und daß man den ersten Durchgang desselben um 9h 55' 26,9" beobachtet habe. Wir wollen die Durchgange, bei denen auf den Teilstrich 500 die tieseren, also 490, 480 etc. solgen, mit dem Zeichen — versehen, die anderen mit dem Zeichen —; der erste beobachtete Durchgang sei einer nach der negativen Seite gewesen; man habe dann folgende Beobachtungen gemacht:

Nach einer längeren Unterbrechung seien folgende Beobachtungen zemacht worden:

Aus den ersten sechs Beobachtungen berechnet man in der anzeienen Weise folgende Elongationszeiten:

0	9h 55	47,65"
1		29,80"
2		12,10"
3		54,25"
4	58	36,45"

Die Differenz jeder nachfolgenden und vorhergehenden Zahl, oder die Summe der vier Differenzen, geteilt durch 4, giebt uns die Schwingungsdaner des Stabes mit großer Annäherung; dieselbe wird daraus 42,2".

Für den Zeitpunkt der ersten Elongation bei den folgenden sechs Beobachtungen findet man 11^h 39' 10,35". Seit der Elongation 4 sind also
verstrichen 1 Stunde 40 Minuten 33,9 Sekunden oder 6033,9 Sekunden.
Durch Division dieser Zahl mit der Schwingungsdauer findet man für die
Anzahl der in dieser Zeit stattgefundenen Elongationen 142,983. Da eine
ganze Anzahl von Schwingungen stattgefunden haben muß, und da weiter
diese Zahl eine ungerade sein muß, wie aus dem Vorzeichen der ersten
der späteren Beobachtungen hervorgeht, so unterliegt es keinem Zweifel,
daß die Zahl der Schwingungen in dieser Zeit 143 ist. Denn nähme
man 111 Schwingungen, so würde als Schwingungsdauer sich ergeben

42,7936", nähme man 145 an, so würde dafür folgen 41,613"; beide Zahlen weichen von der gefundenen 42,2" zu sehr ab. Aus der Zahl 143 ergiebt sich 42,195, und diese Zahl werden wir daher als die wahrscheinlich richtigste annehmen dürfen.

Hat man keine schlagende Sekundenuhr, so muß man von einem bestimmten Momente an die Anzahl der gleichgerichteten Vorübergänge in einer längern Zeit beobachten, und dann die Zeit durch die doppelte Anzahl der Vorübergänge dividieren, um die Schwingungsdauer zu erhalten, da zwischen zwei gleichnamigen Vorübergängen Hin- und Hergang stattfindet, also zwei Schwingungen zwischen dieselben fallen.

Hat man so die Schwingungsdauer möglichst genau beobachtet, so muß man, um die in unsere Gleichung eingehende Dauer t zu erhalten, an der beobachteten noch zwei Korrektionen anbringen. Die erste ist die Korrektion wegen der Amplitude der Schwingungen, da, wie wir im ersten Teile sahen, der Ausdruck für die Schwingungsdauer strenge genommen nur für unendlich kleine Amplituden gilt. Wegen dieser Korrektion, welche man aus der Größe des Schwingungsbogens berechnen kann, verweisen wir auf §. 28 des ersten Teiles. Wir erhielten dort für die Oscillationsdauer, wenn wir die halbe Amplitude mit α , die beobachtete Oscillationsdauer mit t und die auf unendlich kleine Amplituden reduzierte mit t bezeichnen,

$$t' = t \left\{ 1 + \frac{1}{4} \sin^2 \frac{1}{2} \alpha \right\}.$$

Bezeichnen wir die an der Skala beobachtete halbe Amplitude mit a, und den Abstand der Skala von dem Spiegel mit r, so ist, wie wir §. 10 des zweiten Teiles sahen,

$$\frac{a}{r} = \tan 2\alpha$$
,

und da wir wegen der geringen Größe der Bögen die Tangente mit dem Sinus vertauschen können und die Sinus den Bögen proportional setzen dürfen,

$$\frac{a}{r} = \sin 2\alpha; \quad \frac{a}{4r} = \sin \frac{1}{2}\alpha.$$

Daraus wird

$$t' = t \left\{ 1 + \frac{a^2}{64 \, r^2} \right\}$$

und mit hinreichender Annüherung für die auf unendlich kleine Amplituden berechnete Schwingungsdauer t

$$t = t' \left\{ 1 - \frac{a^2}{64 r^2} \right\}.$$

Die so aus der unmittelbar beobachteten Schwingungsdauer t' abge leitete t muß nun noch, wenn die äußerste Genauigkeit erreicht werder soll, deshalb korrigiert werden, weil die Torsion des Fadens einen wenn auch nur sehr kleinen Einfluß auf die Schwingungsdauer hat. Die Torsion des Fadens ist selbst eine den Stab treibende Kraft, sobald derselbe seine Gleichgewichtslage verlassen hat; sie sucht ebenfalls den Stab in die Gleichgewichtslage zurückzuführen. Die Schwingungsdauer ist also unte ihrem Einflusse kleiner, als sie sein würde, wenn nur die magnetisch Direktionskraft den Stab zurückführte. Bezeichnen wir den Torsions

koefficient mit 3, so ist das Drehungsmoment, welches den Stab bei einer Abweichung α vom Meridian, infolge der Torsion zurückzuführen sucht, gleich $\vartheta \cdot \alpha$; die gesamte auf den Stab wirkende Kraft ist also

$$(D+\vartheta)\alpha$$

und die bereits auf unendlich kleine Amplituden reduzierte Schwingungsdauer t deshalb nicht, wie wir vorher annahmen,

$$t = \pi \sqrt{\frac{K}{D}}$$
, sondern $t = \pi \sqrt{\frac{K}{D + \delta}}$.

Bezeichnen wir die beobachtete und auf unendlich kleine Amplituden reduzierte Schwingungsdauer mit t_1 , die gesuchte, welche der Stabhaben würde, wenn der Faden ganz ohne Torsionskraft wäre, mit t, so ist deshalb

$$\frac{t^3}{t_1^2} = \frac{D + \vartheta}{D} = 1 + \frac{\vartheta}{D}$$
$$t^2 \stackrel{\bullet}{=} t_1^2 \left(1 + \frac{\vartheta}{D} \right).$$

Die Größe $\frac{\partial}{D}$ läßt sich durch einen einfachen Torsionsversuch bestimmen. Man tordiere den Faden um den Winkel v, so wird der Stab der Torsion durch den kleinen Winkel u folgen und in der abgelenkten Lage im Gleichgewicht sein. Nach den Ableitungen im Anfange dieses Paragraphen ist

$$D\sin u = \vartheta(v - u),$$

oder da u jedenfalls nur sehr klein ist

$$Du = \vartheta (v - u)$$

$$\frac{D}{\vartheta} = \frac{v}{u} - 1.$$

Bezeichnen wir den Quotienten $\frac{D}{\theta}$ mit n, so wird die gesuchte Schwingungsdauer aus der beobachteten erhalten durch die Gleichung

$$t=t_1\sqrt{\frac{n+1}{n}}.$$

Zwischen dem so gefundenen Werte von t und der Direktionskraft D besteht die Gleichung

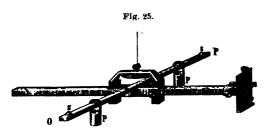
$$t^2 = \pi^2 \frac{K}{D}; \quad D = \frac{\pi^2 K}{t^2}.$$

Um D zu erhalten, bedarf es demnach noch der Kenntnis des Trägheitsmomentes K der unter dem Einflus der magnetischen Direktionskraft schwingenden Masse. Dasselbe ist bei der beschriebenen Versuchsanordnung nicht zu berechnen, da die schwingenden Massen, Schiffichen, Stab und Spiegel eine unregelmäsige Gestalt haben. Deshalb hat Gauss eine experimentelle Methode angegeben¹), welche zur Kenntnis desselben führt.

¹⁾ Gauss, Intensitas etc. Göttingen 1833. Poggend. Ann. Bd. XXVIII.

Man wird gut thun, diese Methode, auf welche wir bereits §. 32 des ersten Bandes hinwiesen, auch dann anzuwenden, wenn es sich nicht um die äußerste Genauigkeit handelt, wenn man einen Magnetstab einfach an einer Fadenschlinge auf hängt und ohne Spiegel beobachtet. Denn man wird selten annehmen dürfen, daß die Gestalt des Magnetstabes geometrisch ganz genau bestimmbar und seine Masse ganz regelmäßig in dem Raume des Magnetes verteilt ist. Beides wird aber bei Berechnung des Trägheitsmomentes vorausgesetzt.

Um das Trägheitsmoment experimentell zu bestimmen, verfährt Gauss folgendermaßen. Über den Magnetstab, gerade unter dem Aufhängefaden, wird eine hölzerne Querleiste OP (Fig. 25) gelegt, welche in eine Ver-



tiefung des Magnetstabes eingepaßt ist. Die Leiste ist an ihrer obern Seite mit sechs Spitzen s versehen, welche alle in einer geraden Linie und so liegen, daß die durch diese Linie hindurchgelegte Vertikalebene den Aufhängefaden in sich aufnimmt. Die Spitzen sind

ferner so verteilt, dass die an beiden Seiten entsprechend liegenden genau gleich weit von der Aufhängeaxe des Magnetes entfernt sind. Sei der Abstand der ersten Spitzen an jeder Seite gleich r_1 . Auf je eine dieser Spitzen an jeder Seite wird ein Gewicht p gehängt.

Läfst man den jetzt so vorgerichteten Stab wieder schwingen, so wird seine Schwingungsdauer eine ganz andere als vorher, weil die träge Masse desselben eine ganz andere geworden ist. Sei die wegen der Amplitude und der Torsion des Fadens korrigierte Schwingungsdauer jetzt t_1 . Bezeichnen wir das Trägheitsmoment der Holzleiste mit C, bezeichnen wir ferner die Masse der Gewichte mit q und das Trägheitsmoment jedes der einander ganz gleichen Gewichte in bezug auf die vertikale durch die Spitze und den Schwerpunkt der Gewichte gehende Axe mit qa^2 , wodurch nach § 20 des ersten Bandes das Trägheitsmoment jedes der Gewichte in bezug auf den Aufhängefaden wird $q(a^2 + r_1^2)$, so wird

$$Dt_1^2 = \pi^2 \{ K + C + 2q(r_1^2 + u^2) \}$$

oder setzen wir, da qa^3 bei Anwendung derselben Gewichte stets denselben Wert behält,

$$C + 2 q a^2 = C_1,$$

$$Dt_1^2 = \pi^2 \{ K + C_1 + 2 q r_1^2 \}.$$

Man hängt dieselben Gewichte auf die zweiten Spitzen s, welche von der Aufhängeaxe um r_2 entfernt sind, beobachtet die Schwingungsdauer t_2 und erhält die Gleichung

$$Dt_2^2 = \pi^2 \{ K + C_1 + 2qr_2^2 \}.$$

Fügen wir als dritte die für den unbelasteten Stab geltende Gleichung hinzu $Dt^2 = \pi^2 K$.

o genügen diese Gleichungen, um die drei unbekannten Größen K, D ad C_1 zu bestimmen. Man erhält unmittelbar

$$D = \pi^2 \frac{2q (r_1^2 - r_2^2)}{t_1^2 - t_2^2}. \quad . \quad . \quad (A)$$

nd

$$K = t^2 \frac{2q (r_1^2 - r_2^2)}{t_1^2 - t_2^2}. \quad . \quad . \quad . \quad (B)$$

ie Gleichung (A) liefert direkt den Wert von D, die Gleichung (B) den Vert von K. Handelt es sich nur um einen einzelnen Versuch zur Mesnig der Direktionskraft, so ist es darnach gar nicht erforderlich, K zu erechnen. Da indes, wie wir sehen werden, D mit der Zeit sich ändert, ährend K bei unverändertem schwingenden System konstant bleibt, so int man immer gut, wenn man K bestimmt, da man dann zu einer euen Bestimmung von D nur einen einfachen Schwingungsversuch anzuellen hat.

Damit sind durch den Versuch alle Größen gegeben, welche zur enntnis der Direktionskraft D erforderlich sind. Ehe wir nun an einem estimmten Zahlenbeispiele die Bedeutung des so erhaltenen Wertes von etwas näher betrachten, müssen wir betreffs der Versuche noch eine emerkung hinzufügen. Wie schon erwähnt, erfährt der Wert von D mit er Zeit eine Änderung, und die Änderung ist, wie wir demnächst sehen erden, zuweilen schon in kurzen Zeiten merklich. Da nun zu diesen ersuchen eine Zeit von mehreren Stunden gebraucht wird, so geschehen e Schwingungen mit dem belasteten Stabe vielleicht unter einer anderen irektionskraft. Die Zeiten t1, t2 sind also mit der Zeit t nicht direkt rgleichbar. Um diese allenfallsigen Änderungen mit in Rechnung zu ehen, also diese Werte vergleichbar zu machen, macht man gleichzeitig 1 einem anderen ähnlich aufgehüngten Stabe, den man zugleich den leichen Temperaturverhältnissen aussetzt, vergleichende Schwingungsebachtungen. Ändern sich die Schwingungszeiten dieses Stabes nicht,) kann man sicher sein, dass auch D sich nicht geändert hat, da die irektionskraft des Hauptstabes sich jedenfalls in demselben Verhältnisse ndert, als die des Kontrollstabes. Findet man aber, dass derselbe die chwingungsdauer u hatte, während der untersuchte Stab die Schwingungsauer t hatte, dass sich ebenso u' und t_1 , u'' und t_2 entsprechen, so müssen ir, da infolge der gleichmäßigen Änderungen der beiden Direktionskräfte

$$t: u = t_1: u',$$

ur t, einsetzen

$$\frac{u \cdot t_1}{u'}$$

und in gleicher Weise den Wert für t_2 berechnen.

Gauss teilt 1) folgendes Beispiel eines am 11. Sept. 1832 angestellten Versuches mit.

¹⁾ Gauss, Intensitas etc. Göttingen 1833. Poggend. Ann. Bd. XXVIII.

**CLURIA, Physik. IV. 4. Aufl.

	Gleichzeitige Schwingungen		
Belastung 2 p	des Hauptstabes		des Kontrollstabes
	7	Oscillationsdauer	Oscillationsdauer
206,5144 g	18 cm	24,63956"	17,32191"
dieselbe	13 "	20,77576	17,32051
dieselbe	8 "	17,66798	17,31653
dieselbe	3 "	15,80310	17,30529
ohne Belastung	—"	15,22990	17,31107

Die Schwingungsdauern sind schon auf unendlich kleine Amplitude reduziert, eine Reduktion, welche indes äußerst klein ist, da die Amplituden nur etwas mehr als 0,5° betrugen.

Die Zeit wurde an einer Uhr bestimmt, welche innerhalb eines Tage mittlerer Zeit 14,24'' zurückblieb. Um daher die angegebenen Sekunder zahlen in wirklichen Sekunden 86400 auf einen mittlern Tag gerechne auszudrücken, müssen dieselben mit $\frac{86400}{86385.76}$ multipliziert werden.

wurde durch besondere Versuche in der angegebenen Weise bestimm und fand sich für den belasteten Stab gleich 424,8, für den unbelastete 597,4. Darin liegt zugleich der Beweis, daß, wie im ersten Teil erwähn wurde, die Torsionskraft ungedrehter Seidenfäden von der Belastung ab hängig ist.

Mit den dadurch bedingten Korrektionen und mit Hilfe des Kontroll stabes auf die Schwingungsdauer des unbelasteten Stabes reduziert, wer den die Oscillationsdauern

Wenden wir absolutes Mass und zwar die Einheiten des CGS-Systeme (Centimeter, Gramm, Sekunde) an, setzen also die Massen q der Gewicht gleich den in Grammen gegebenen Gewichten, so erhalten wir aus t_1 un t_3 in Verbindung mit t nach (B)

Das Trägheitsmoment K bedeutet sonach die Anzahl Gramme, welch im Abstande 1 cm von der Drehungsaxe die Masse des schwingende Magnets mit seinem Spiegel etc. ersetzen, das Drehungsmoment D gie uns die im Abstande 1 cm von der Drehungsaxe angreifende Zahl v Druckeinheiten, deren jede der Masse eines Gramm in der Sekunde de Beschleunigung 1 cm erteilt, welche den Magnet in der zum Meridisenkrechten Lage gegen die zum Meridian parallele Lage hintreibt.

Gauss, welcher bei seinen magnetischen Untersuchungen zum erstennle die absoluten Maße anwandte, nahm das Milligramm und Millimeter
is Maß der Masse und Länge. Da die Dimension des Trägheitsmomentes
ach Seite 551 des ersten Bandes Masse mal Quadrat einer Länge ist,
nd da das Gramm gleich 1000 Milligramm, das Centimeter gleich 10 Millineter ist, so erhalten wir das Trägheitsmoment in Gaussschen Einheiten,
ndem wir obige Zahl für K mit 100 000 multiplizieren.

Die Dimension eines Drehungsmomentes im absoluten Maßsystem ist Masse mal Quadrat einer Länge mal der minus zweiten Potenz einer Zeit

$$D = \varepsilon \left[\mu \, \lambda^2 \, \tau^{-2} \right],$$

wir müssen daher auch die Zahl von D mit 100 000 multiplizieren, um das Drehungsmoment in den Einheiten von Gauss zu erhalten.

Wollen wir das Drehungsmoment in den gewöhnlichen Druckeinheiten der Mechanik, den Druck eines Grammes am Beobachtungsort ausdrücken, ist der Wert von D durch die für Göttingen gültige Zahl für g in entimeter ausgedrückt zu dividieren. Die Länge l des Sekundenpendels and sich in Göttingen gleich 99,4126 cm. Daraus folgt

$$g = \pi^2 l = 981,163$$
 cm.

Demnach wird D in Grammen, welche am Hebelarm ein Centimeter anneifen,

$$D = 1,83089.$$

Das so bestimmte Drehungsmoment des Magnetstabes ist nach den Bemerkungen am Schlusse des vorigen Paragraphen gleich dem magnetichen Momente des Stabes multipliziert mit dem als T bezeichneten Brehungsmomente eines Stabes, der in der Abstandseinheit die Einheiten les freien Magnetismus hat, dessen magnetisches Moment also gleich der Einheit ist.

Auf den ersten Blick könnte es passend erscheinen, dieses Drehungsnoment auch in dem Sinne als direktes Mass des magnetischen Momentes u nehmen, dass man einem Stabe die Einheit des magnetischen Momentes eilegte, wenn das Drehungsmoment in der einen oder andern Einheit ausdrückt gleich 1 ist, so zwar, daß man dem oben untersuchten Stabe in der rstern Einheit das magnetische Moment 1796,417 beilegte. Wir würden n dieser Weise für den Magnetismus ein Maß wählen, welches ganz analog t dem früher bestimmten Kraftmafs, nach welchem wir als solches den ruck von einem Liter Wasser, das Kilogramm einsetzten. Der gleiche Grund, er Veranlassung war von diesem Maße zu dem absoluten Maßsystem berzugehen, bestimmte Gauss die Einheit des Magnetismus nicht so zu enieren, ja wurde, weil er sich bei Messung des Magnetismus in so shem Grade fühlbar machte, Veranlassung zur Einführung der absoluten lafse überhaupt. Das Drehungsmoment, welches einen Magnet aus der dem Meridiane senkrechten Lage in den Meridian zurückzuführen sucht, lagt nicht allein von dem Magnetismus des Stabes, sondern auch, wie ir bereits bemerkten, von der Größe des Erdmagnetismus ab, der, wie ir später nachweisen werden, von Ort zu Ort sich ändert, und zwar in iel erheblicherem Malse, als es die Anziehung der Erde mit der geograhis ben Breite that. Wollten wir den Magnetismus eines Stabes durch seine Direktionskraft messen, so würde die denselben darstellende Zahl an den verschiedenen Orten ganz erheblich verschieden sein. Wir können deshalb mit demselben wohl die Magnetismen zweier Stäbe an einem und demselben Ort vergleichen; um aber ein exaktes Maß für das magnetische Moment zu erhalten, müssen wir erst den Erdmagnetismus ausscheiden, resp. wenn wir das magnetische Moment des Stabes gleich M und

$$D = TM$$

setzen, wir müssen das Drehungsmoment T bestimmen können, welches die Erde einem Magnete vom magnetischen Momente eins erteilt, welche Einheit wir erst noch festzusetzen haben.

§. 16.

Wirkung magnetischer Massen auf einander aus der Ferne. Zu dem gewünschten Maße des Magnetismus gelangen wir durch die genauere Untersuchung der dritten von uns bereits erkannten Äußerung der magnetischen Kraft, durch die Untersuchung der Anziehungen und Abstoßungen, welche die Magnetismen aus der Ferne auf einander ausüben, je nachdem sie ungleichnamig oder gleichnamig sind.

Die Untersuchung der Wechselwirkung zweier magnetischen Körper auf einander hat uns über zwei Fragen Auskunft zu geben, nämlich wie hängt die Stärke der Anziehung der magnetischen Körper ab erstens von der Stärke des Magnetismus jedes derselben, und zweitens von der Entfernung der magnetischen Körper von einander.

Es ist nun wohl ohne weiteres klar, dass, je nachdem wir diese Fernewirkung auffassen, dieselbe und das Gesetz, wie sie sich mit der Entfernung andert, verschieden sein muss, d. h. je nachdem wir die Wirkung zweist gleichnamiger oder ungleichnamiger magnetischer Massen auf einander untersuchen, oder die Wirkung zweier vollständiger Magnete auf einandez Denn im ersteren Falle wirken dieselben nur anziehend oder nur abstoßend auf einander, in letzterem dagegen wirkt der in dem einen vorhanden Nordmagnetismus auf den Nordmagnetismus des anderen abstofsend, auf den Südmagnetismus anziehend und umgekehrt der Südmagnetismus des einen anziehend auf den Nordmagnetismus, abstoßend auf den Südmagne-Die Gesammtwirkung der beiden Magnete ist die tismus des anderen. Resultierende aus den vier Einzelwirkungen. Es ist indes ferner klar, dass sich das Gesetz der Einwirkung zweier Magnete auf einander aus der Wirkung zweier magnetischer Massen wird ableiten lassen, da, wie erwähnt wurde, die Wirkung zweier Magnete auf einander sich aus derjenigen von vier magnetischen Massen zusammensetzt. Umgekehrt wird sich aber das Grundgesetz der magnetischen Fernewirkung, das zweier magnetischer Massen auf einander, aus der bekannten Wirkung zweier Magnete auf einander ableiten lassen.

Da wir nun das Gesetz der Fernewirkung nur durch Versuche erhalten können, so kann es eigentlich nicht zweifelhaft sein, welchen Weg wir bei der experimentellen Untersuchung dieser Frage einzuschlagen haben. Denn wenn nuch jedenfalls das Gesetz der Einwirkung zweier magnetischer Massen das einfachere ist, so können wir doch strenge genommen our den komplizierteren Fall experimentell realisieren, da wir nicht imstande sind, freie magnetische Massen gesondert herzustellen.

Die Ersten indes, welche das Gesetz der Fernewirkung der Magnete auf einander untersuchten, wandten diese Versuchsmethode nicht an, sie suchten vielmehr direkt die Wirkung zweier magnetischer Massen auf einander zu bestimmen. Wir erwähnen von den älteren Versuchen nur diejenigen von Coulomb1), da es diesem zuerst gelang, das Grundgesetz richtig auszusprechen.

Wie wir bereits früher sahen, kann man in Bezug auf die Wirkung eines Magnetes nach außen hin annehmen, daß die eine Hälfte desselben per Nordmagnetismus, die andere Hälfte nur Südmagnetismus enthält. Wie wir weiter sahen, nimmt der freie Magnetismus von den Enden eines Magnetes gegen die Mitte hin sehr rasch ab; durch später näher zu bewhreibende Versuche überzeugte sich Coulomb, dass man bei einem 67 cm lingen, 3,5 mm dicken Magnetstabe annehmen dürfe, dals freier Magneumus überhaupt nur bis 5,7 cm von jedem Ende des Stabes vorhanden , und dass die Mittelpunkte ihrer Wirkungen nach außen hin, also die mgnetischen Pole ungefähr 2 cm vom Ende des Stabes sich befänden. h man nun in Bezug auf die Wirkung nach außen annehmen darf, daß ber gesamte Magnetismus eines Stabes in den beiden Polen konzentriert it so kann man einen solchen Magnet betrachten als aus zwei magnetiwhen Massen bestehend, einer nordmagnetischen und einer südmagnetithen, welche in einem Abstande 63 cm von einander angesammelt sind.

Stellt man diesen Stab vertikal auf, den Nordpol asch unten, NS Fig. 26, und hängt in der Richtung des magnetischen Meridians in nicht zu großer Entrnung von dem Stabe eine Nadel so auf, dass sie mit dem Nordpole sich in derselben Horizontalebene lefindet, so wird die horizontale Komponente der von dem Südpole auf die Nadel wirkenden Anziehung und Abstofsung äufserst klein sein, so daß sie gegen die Wirkung des Nordpoles vernachlässigt werden kann.

Wenn die Nadel aus dem magnetischen Meridiane refreht wird, so wird sie in denselben zurückgeführt, amal durch die ihr innewohnende Direktionskraft D, und dann durch die anziehende Wirkung A des Nordpols N, der sie ebenfalls dem Meridiane parallel stellen sucht. Ist die Nadel sehr klein, so wird Anziehung des Nordpols ebenfalls als ein System



emander und dem Meridiane paralleler Kräfte angesehen werden können, wird also die Direktionskraft der Nadel verstärken. Das die Nadel in den Meridian zurückführende Drehungsmoment wird also sein

$$D + A$$
.

Lassen wir die Nadel schwingen, so wird ihre Schwingungsdauer sein

$$t'=\pi\sqrt{\frac{K}{D+A}},$$

¹⁾ Coulomb, Mémoires de l'Académie 1785.

während ihre Schwingungsdauer t, wenn der Stab NS auf sie nicht einwirkt, sein wird

$$t=\pi\sqrt{\frac{K}{D}}.$$

Daraus ergiebt sich, wenn wir die Schwingungszahlen der Nadel in beiden Fällen mit n' und n bezeichnen,

$$\frac{n^2}{n'^2} = \frac{D}{D+A}$$

$$A = \frac{D}{n^2} (n'^2 - n^2).$$

Lassen wir die Nadel in verschiedenen, aber immer noch so kleinen Entfernungen vom Stabe schwingen, daß die über die Wirkung von S gemachte Voraussetzung gültig bleibt, so liefert uns eine Vergleichung der Schwingungszahlen die Stärke der Wirkung des Nordpoles auf die Nadel.

Bei Durchführung dieser Versuche fand Coulomb die Schwingungszahlen einer kleinen 27 mm langen Magnetnadel in der Minute, als sie oscillierte

Die drei Werte von A, welche sich hieraus ergeben, sind

Abstand 8,8 17,6 35,2
$$A = \frac{D}{(15)^3} (41^2 - 15^2); \quad \frac{D}{(15)^2} (24^2 - 15^2); \quad \frac{D}{(16)^3} (17^2 - 15^2);$$

dieselben verhalten sich also

$$A':A'':A'''=1456:351:64.$$

Die beiden ersten dieser Zahlen verhalten sich fast genau wie 4:1, so dass das Drehungsmoment A", welches der Stab auf die Nadel im Abstand 17,6 cm austibt, 0,25 desjenigen A' ist, welches er in dem halben Abstande derselben erteilt. Diese beiden Drehungsmomente verhalten sich also umgekehrt wie die Quadrate der Abstände der Nadel von dem Poles des festen Magnetes. Das dritte Drehungsmoment passt nicht in die Reihe. denn es müste dann demselben die Zahl 88 entsprechen. Coulomb glaubte aber trotzdem schließen zu dürfen, daß die magnetischen Anziehunge ungleichnamiger, die Abstofsungen gleichnamiger magnetischer Pole in verschiedenen Entfernungen sich verhalten umgekehrt wie die Quadrate der Der Abstand 35,2 cm der Nadel von dem Stabe ist näm-Entfernungen. lich nicht mehr so klein, dass man den Einfluss des oberen Poles auf die Nadel vernachlässigen darf. Die horizontale Komponente derselben wirkt der Anziehung und Abstofsung des unteren Poles gerade entgegen, so daß wir in der That nur die Differenz der beiden Wirkungen beobachten. Die Richtigkeit jenes Gesetzes vorausgesetzt, können wir leicht berechnen, ein wie großer Bruchteil der Wirkung des unteren Poles diejenige des oberen Poles ist. Der obere Pol wirkt auf die Nadel in der Richtung der Hypotenuse eines rechtwinkligen Dreiecks, dessen Katheten 35,2 cm und der Abstand der beiden Pole des Stabes, oder 63 cm sind. Diese Hypotenuse ist zugleich der Abstand des oberen Poles von der Nadel. Nach dem

ngenommenen Gesetze verhält sich also die Wirkung der beiden Pole af die Nadel überhaupt wie

$$\frac{1}{(35,2)^{\frac{3}{2}}}:\frac{1}{(35,2)^{\frac{3}{2}}+(63)^{\frac{3}{2}}}.$$

Von letzterer kommt hier nur die horizontale Komponente in Beracht, welche wir erhalten, wenn wir die Gesamtwirkung des oberen bles mit dem Cosinus des Winkels multiplizieren, welchen die Hypotenuse it der Horizontalen bildet. Die Einwirkungen der beiden Pole auf die ladel verhalten sich also wie

$$\frac{1}{(35,2)^2}:\frac{35,2}{\{(85,2)^2+(63)^2\}^{3/2}},$$

der wie

$$x: \frac{(35,2)^3}{\left\{(35,2)^2 + (63)^2\right\}^{\frac{1}{2}}} x = x: 0.12 x.$$

Da wir die Differenz dieser beiden Einwirkungen beobachtet und durch lie Zahl 64 ausgedrückt haben, so erhalten wir x aus der Gleichung

$$x - 0.12 x = 64$$
$$x = \frac{64}{0.88} = 73,$$

me Zahl, welche der von jenem Gesetz geforderten schon viel näher bunnt, so daß man dasselbe aus diesen Versuchen in der That als das subscheinlich richtige anzunehmen berechtigt ist.

Zu ähnlichen Resultaten gelangte Coulomb¹) mit Hilfe der Drehwage. In eine Drehwage, deren unteres Gefäs aus einem viereckigen Kasten band, dessen eine Wand halb cylinderförmig gebogen war, wurde ein lägnetstab von circa 65 cm Länge aufgehängt und zunächst die magnesche Direktionskraft der Nadel bestimmt. Es fand sich, das bei so kleinen Ablenkungen, bei welchen es gestattet ist, den Sinus eines Bogens mit em Bogen selbst zu vertauschen, jeder Grad der Ablenkung des Stabes Torsion des Fadens von 35° verlangte, das also z. B. eine ganze Umterbung des Fadens den Stab um 10° aus dem Meridian ablenkte.

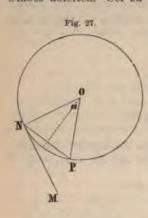
Nachdem der Stab im magnetischen Meridian sich ins Gleichgewicht wellt hatte, wurde durch eine Öffnung im Deckel des Kastens dem Nordelt des Stabes der Nordpol eines anderen ebenso langen, in vertikaler bildung gehaltenen Stabes genähert. Der hängende Stab wurde durch Abstofsung der beiden gleichnamigen Pole aus dem magnetischen bidiane abgelenkt und kam in der Lage zur Ruhe, in welcher sein metisches Moment, sowie die Torsion des Fadens, welche beide ihn in Meridian zurückzuführen suchten, ebenso groß waren, als die abstelle Kraft der Pole. Die Ablenkung betrug 24°.

Darauf wurde durch Torsion des Fadens der abgelenkte Stab dem beim genühert und die Torsion des Fadens bestimmt, welche erforderlich und den abgelenkten Stab in bestimmten kleinern Abständen von dem beim zu halten. Es fand sich, dass 3 ganze Umdrehungen des Fadens

¹⁾ Coulomb, Mémoires de l'Académie 1785.

erforderlich waren, um die Ablenkung auf 17°, und 8 ganze Umdrehungen notwendig waren, um sie auf 12° zu vermindern.

Um an diesen Versuchen das Gesetz, nach welchem die Abstofsung der Pole dem Quadrate der Entfernung umgekehrt proportional sein soll, zu prüfen, müssen wir die Bedingungen des Gleichgewichts des abgelenkten Stabes ableiten. Sei zu dem Ende Fig. 27 ein Horizontalschnitt der Wage,



sei P die Stelle des abstofsenden Magnetpoles und sei ON die Lage des abgelenkten Magnetes, so dafs $NOP = \alpha$ der Ablenkungswinkel sei.

Ist die Kraft, mit welcher die Magnetpole sich in der Einheit der Entfernung abstoßen, f, so ist die Abstoßung, welche sie im Abstande NP auf einander ausüben, wenn das vorhin aufgestellte Gesetz richtig ist,

$$\frac{f}{(PN)^2}$$

oder, wenn wir die Länge des abgelenkten Magnetes 20N mit 2l bezeichnen,

$$\frac{f}{4 l^2 \sin^2 \frac{1}{2} \alpha}$$

Das Drehungsmoment, welches diese Kraft dem Magnete vom Meridian fort erteilt, ist somit

$$\frac{f}{4l^2\sin^2\frac{1}{2}}\cdot\cos PNM\cdot l = \frac{f}{4l^2\sin^2\frac{1}{2}}\cdot\cos\frac{1}{2}\alpha\cdot l.$$

Diesem Drehungsmomente hält das Gleichgewicht erstens das magnetische Drehungsmoment D. sin α , wenn D die magnetische Direktionskraft des Stabes bezeichnet, zweitens das Drehungsmoment der Torsion, welches wenn T die einem Grade entsprechende Torsionskraft und ϑ die dem Drahte durch Drehung des obern Torsionskreises erteilte Torsion ist, gleich $T(\vartheta + \alpha)$ ist.

Die Gleichgewichtsbedingung ist somit

$$\frac{f}{4l^2\sin^2\frac{1}{2}\alpha}\cos^{-1}/_2\alpha\cdot l = D\cdot\sin\alpha + T(\vartheta + \alpha).$$

Wir können zunächst noch D durch T ausdrücken, denn, wie vorhin angegeben wurde, hält eine Torsion von 350° dem magnetischen Drehungsmomente von 10° das Gleichgewicht, somit ist

$$D \cdot \sin 10^0 = T \cdot 350$$
$$D = T \cdot \frac{350}{\sin 10^0}.$$

Damit wird

$$\frac{f}{4 l^2 \sin^2 \frac{1}{2} \alpha} \cdot \cos \frac{1}{2} \alpha \cdot l = T \left(\frac{350}{\sin 10^0} \cdot \sin \alpha + \vartheta + \alpha \right)$$

oder

$$\frac{f}{4l} = T\left(\frac{350}{\sin 10^{\circ}} \cdot \sin \alpha + \vartheta + \alpha\right) \sin \frac{1}{2}\alpha \cdot \tan^{\frac{1}{2}}\alpha.$$

Da bei diesen Versuchen stets dieselben Magnete angewandt wurden, so ist die linke Seite der Gleichung konstant, es muß deshalb auch die rechte Seite für die angegebenen Versuche einen und denselben Wert haben.

Bei dem ersten Versuche war $\vartheta = 0$, $\alpha = 24^{\circ}$, es wird

$$\frac{f}{4l} = T \cdot 37,65;$$

bei dem zweiten Versuche war $\vartheta = 3 \cdot 360^{\circ} = 1080^{\circ}$, $\alpha = 17^{\circ}$, es wird

$$\frac{f}{4l} = T \cdot 37,17;$$

and bei dem dritten war $\theta = 8 \cdot 360^{\circ} = 2880^{\circ}$, $\alpha = 12^{\circ}$, es wird somit

$$\frac{f}{4l} = T \cdot 36,38.$$

Die auf der rechten Seite der Gleichungen sich ergebenden Werte sind in der That so annähernd gleich, dass man als das wahrscheinlich richtige Gesetz der magnetischen Fernewirkung daraus ableitet, dass die abstosenden Kräfte in demselben Verhältnisse abnehmen, wie die Quadrate der Entfernungen wachsen. Dass die Werte mit abnehmender Entfernung etwas kleiner werden, rührt daher, dass wir die anziehende Wirkung auf den entfernten Pol des Magnetes außer Acht gelassen haben, welche, wie man leicht ableitet, in den größeren Entfernungen das ablenkende Drehungsmoment etwas vergrößert.

Durch analoge Versuche wies Coulomb dasselbe Gesetz für die Anziehung ungleichnamiger Pole nach.

Diese beiden von Coulomb angewandten Methoden sind auch sehr geeignet, um zu untersuchen, wie bei konstantem Abstande zweier Magnetpole die anziehenden und abstoßenden Kräfte mit der Stärke des Magnetismus der einzelnen Stäbe sich ändern.

Wir magnetisieren, um zunächst die Methode der Oscillationen anzuwenden, den festen Stab und bestimmen die Stärke seines Magnetismus nach der im vorigen Paragraphen ausgeführten Methode. Habe man auf diese Weise dem Stabe nach einander die Magnetismen 1, 2, 3 erteilt. Bringt man dem unteren Pole immer in derselben Entfernung von etwa 10 cm dieselbe Nadel gegenüber und berechnet die von uns mit A bezeichnete Größe aus den beobachteten Schwingungszahlen, so findet man, daß die Werte von A sich in diesen drei Fällen verhalten wie 1:2:3. Verdoppelt man ebenfalls den Magnetismus der Nadel, so findet man auf die gleiche Weise, daß sich die Werte von A verdoppelt haben. Es ergiebt sich also daraus, daß die magnetischen Anziehungen und Abstoßungen dem Produkte der auf einander einwirkenden Magnetismen proportional sind.

Ganz zu demselben Resultate gelangt man mit Hilfe der Drehwage; man findet, wenn man den Magnet der Drehwage an einem feinen Faden aufhängt, so daß die Torsion des Fadens gegen die Direktionskraft des Magnetes vernachläßigt werden darf, daß die Ablenkung nur von dem Magnetismus des ablenkenden, nicht von dem des abgelenkten Stabes abhängig ist. Auch daraus ergiebt sich, daß die Anziehungen und Abstoßungen dem Produkte der Magnetismen proportional sind; denn wäre das nicht der Fall, so mtiste, da das den abgelenkten Stab gegen dem

. 4

Meridian zurückführende Drehungsmoment dem Magnetismus des Stabe proportional ist, die Ablenkung von dem Magnetimus des abgelenkter Stabes ebenfalls abhängig sein.

Nennen wir daher die Abstoßung zweier gleichnamiger magnetische Massen, deren jede der Quantität 1 entspricht, in der Abstandseinheit a so erhalten wir für die Abstoßung zweier Massen m und m' in der Entfernung r

 $A=a\,\frac{m\,m'}{r^2}.$

Hiermit sind wir sofort imstande, ein Maß des Magnetismus außu stellen, welches durchaus unabhängig ist. Wir nennen jene Menge de Magnetismus eins, welche eine andere ihr gleiche und gleichnamige i der Entfernung eins mit der Kraft eins abstößt. Messen wir A mit unsere Einheit der Kraft, r mit unserer Längeneinheit, so drücken wir di Magnetismen in dieser Einheit aus, wenn wir in dem letzten Ausdruck die Konstante a gleich 1 setzen, somit schreiben

$$A = \frac{m\,m'}{c^2}.$$

Im [C, G, S] System ist also jene Quantität Magnetismus gleich eine welche eine andere ihr gleiche im Abstande 1 cm mit einer Kraft abstöß welche der Masse 1 g die Beschleunigung 1 cm erteilt.

Um den Magnetismus leicht auch in anderen Einheiten ausdrücken zu können, wird es gut sein, gleich hier sich klar zu werden, von welche Dimension die aufgestellte Einheit des Magnetismus ist. Die linke Seit obigen Ausdruckes bedeutet eine Kraft, wir können demnach schreiber wenn wir voraussetzen, daß zwei gleiche Mengen m des Magnetismus au einander wirken,

$$A = z \left[\mu \lambda \tau^{-2} \right] = \frac{m^2}{r^3}$$

$$A r^2 = z \left[\mu \lambda^3 \tau^{-2} \right] = m^2$$

$$m = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{3/2} \tau^{-1} \right],$$

worin z irgend eine Zahl, μ die Einheit der Masse, λ der Länge, τ de Zeit bezeichnen soll.

Die Einheit des Magnetismus ist also in Bezug auf die Masse von der Dimension $\frac{1}{2}$, die Länge von derjenigen $\frac{3}{2}$ und die Zeit von de minus ersten. Wir gehen demnach vom [C, G, S] System in das Gaussche, welchem Milligramm, Millimeter, Sekunde zu Grunde liegen, übe indem wir, da das Gramm 1000 Milligramm, das Centimeter 10 Millimeteist, setzen $z_1 = z \cdot 1000^{1/2} \cdot 10^{3/2} = 10^3 = 1000$.

Im Gaussschen System wird also die gleiche Quantität des Magnetismidurch die 1000fache Zahl bezeichnet.

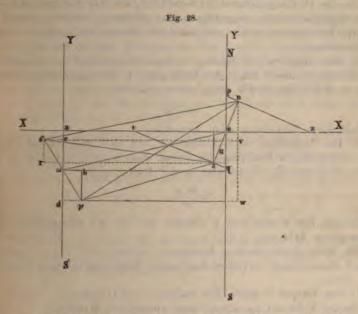
Das magnetische Moment ist gleich dem Produkte aus Magnetismund einer Länge, demnach

$$m l = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{5/2} \tau^{-1} \right].$$

Die Resultate der Coulombschen Versuche können aus den vorhi angegebenen Gründen nur angenähert und nicht strenge beweisend sein Deshalb schlug zuerst Hansteen 1) und später Gauss 2) den anderen von uns angeführten Weg der Untersuchung ein; sie untersuchten theoretisch und experimentell die Einwirkung zweier Magnete auf einander und leiteten daraus das Gesetz der Fernewirkung ab.

Wir wollen an der Hand von Gauss, dessen klassische Arbeit die Frage zum Abschluß brachte, diese Untersuchung hier ebenfalls durchführen.

Sei zu dem Ende ns, Fig. 28, ein kleiner drehbarer Magnet, dessen Nordmagmagnetismus sämtlich im Punkte n, dessen Südmagnetismus im Punkte s konzentriert gedacht werden soll. Der Abstand dieser magnetischen



Massen sei gleich 2a, und jede der magnetischen Massen sei gleich m, oder m Nordmagnetismus vom Südmagnetismus unterscheiden zu können, wollen m resteren mit +m, letzteren, der dem ersteren gerade entgegengesetzte Wirkungen auf andere Magnete hat, mit -m bezeichnen. In einiger Enterung von diesem Magnete, jedoch in derselben Horizontalebene, befinde nich ein anderer kleiner, fester Magnet $\nu\sigma$, der in einem Abstande 2b die Magnetismen μ und $-\mu$ hat. Durch die Einwirkung des Magnetes $\nu\sigma$ auf der drehbaren Magnet kann demselben keine translatorische Bewegung regeben werden, da die gleichnamigen Magnetismen in beiden Magneten sich gegenseitig abstoßen; die Bewegung, welche ns durch $\nu\sigma$ erhält, kann mur eine drehende sein. Der bewegliche Magnet ns wird durch den festen im allgemeinen aus dem magnetischen Meridian abgelenkt werden, und sich in einer neuen Gleichgewichtslage befinden, wenn er um einen solchen Winkel ν aus dem magnetischen Meridiane abgelenkt ist, daß das Drehungs-

Hansteen, Untersuchungen über den Magnetismus der Erde. Christiania 1819.

²⁾ Gauss, Intensitas etc. Göttingen 1833. Poggend, Ann. Bd. XXVIII.

moment, welches infolge seiner magnetischen Direktionskraft ihn in den Meridian zuzückzuführen sucht, gleich ist dem Drehungsmomente, welches aus der Einwirkung der beiden Magnete auf einander hervorgeht und ihn von dem Meridian fortzudrehen sucht.

Bezeichnen wir die magnetische Direktionskraft des beweglichen Magnetes mit D, so folgt, daß das Moment, welches ihn bei einer Ablenkung win den Meridian zurückzuführen sucht, gleich ist

$$D \cdot \sin u$$
.

Um das Drehungsmoment zu berechnen, welches der feste Magnet vo dem beweglichen nach entgegengesetzter Richtung erteilt, machen wir über die Einwirkung zweier magnetischer Massen auf einander folgende zwei Annahmen:

1) Zwei magnetische Massen wirken auf einander ein proportional ihrem Produkte. Haben wir in der Entfernung 1 zwei magnetische Massen wund μ in der schon vorhin festgesetzten Einheit, so ist

das Mass ihrer Abstossung oder Anziehung.

2) Die Anziehung oder Abstossung von zwei magnetischen Masser ist in verschiedenen Entfernungen irgend einer negativen Potenz der Entfernung proportional; sie ist also in der Entfernung r

$$\frac{m \cdot \mu}{r^n}$$
.

Betreffs des Wertes von n machen wir nur die Voraussetzung, daß es eine ganze Zahl sei.

Mit Hilfe dieser beiden Annahmen erhalten wir für die anziehen den und abstoßenden, zwischen den beiden Magneten thätigen Kräfte fol gende Werte:

1) Der Südpol σ stöfst den Südpol s ab; bezeichnen wir den Ab stand beider Pole mit r_1 , so ist diese abstofsende Kraft

$$\frac{m\cdot \mu}{r_1^n}$$
.

2) Der Sudpol σ zieht den Nordpolnan; befinden sich die Pole ir Abstande r_2 , so ist die anziehende Kraft

$$-\frac{m\cdot\mu}{r_{\circ}^{n}}$$
.

3) Der Nordpol ν zieht den Südpol s aus der Entfernung r_3 an mi der Kraft

$$-\frac{m \cdot \mu}{r_8^n}$$
.

4) Der Nordpol ν stöfst den Nordpol n aus der Entfernung r_4 a mit der Kraft

$$\frac{m \cdot \mu}{r_4^n}$$
.

Die negativen Vorzeichen bei 2 und 3 bedeuten, dass diese Kräft den beiden anderen entgegengesetzt wirken, dass sie die betreffenden Polzu nähern suchen, während die anderen die Pole zu entsernen streben.

Zur Berechnung dieser vier Kräfte müssen wir zunächst die vier Abstände r bestimmen.

Legen wir durch den Mittelpunkt o des drehbaren Magnetes ein ebenes, rechtwinkliges Koordinatensystem, dessen Axe der y mit dem magnetischen Meridian zusammenfällt, dessen Axe der x in der durch beide Magnete bestimmten Horizontalebene auf dem Meridiane senkrecht ist, so ist der Abstand r irgend zweier Punkte in dieser Ebene, deren Koordinaten x, y und ξ , η sind, gegeben durch die Gleichung

$$r^2 = (x - \xi)^2 + (y - \eta)^2$$
.

Nun seien die Koordinaten von σ gleich x_1 , y_1 , von ν gleich x_2 und y_2 ; ferner von s gleich ξ_1 und η_1 , von n gleich ξ_2 und η_2 . Bezeichnen wir den Abstand ωo der Mittelpunkte der beiden Magnete mit R, den Winkel, welchen R mit dem magnetischen Meridiane bildet, von der Südseite des Meridians nach Westen gerechnet, also $So\omega$ mit ψ und den Winkel, welchen der feste Magnet mit dem Meridiane bildet, ebenfalls wie den Winkel ψ von der Südseite des Meridians nach links hin gerechnet, also $S'\omega\sigma$ mit U, so wird

$$\begin{aligned} x_1 &= aa + c\sigma = R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin \left(180^0 - U\right) = R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin U \\ y_1 &= \omega a - \omega c = R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos \left(180^0 - U\right) = R \cdot \cos \psi + b \cdot \cos U \\ x_2 &= aa - \omega b = R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin \left(180^0 - U\right) = R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin U \\ y_2 &= a\omega - \omega d = R \cdot \cos \psi + b \cdot \cos \left(180^0 - U\right) = R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U \\ \xi_1 &= a \cdot \sin u; \quad \eta_1 = a \cdot \cos u; \quad \xi_2 = -a \cdot \sin u; \quad \eta_2 = -a \cdot \cos u. \end{aligned}$$

Drücken wir mit Hilfe der so durch R, a, b; ψ , U, u bestimmten Koordinaten der vier Magnetpole die Abstände r_1 etc. aus, so erhalten wir für die vier Kräfte folgende Ausdrücke:

1.
$$\frac{m \cdot \mu}{\tau_{1}^{n}} = \frac{m \mu}{\left\{ (R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin U - a \cdot \sin u)^{2} + (R \cdot \cos \psi + b \cdot \cos U - a \cdot \cos u)^{2} \right\}^{\frac{n}{2}}}{\frac{n \cdot \mu}{\tau_{1}^{n}}} = \frac{-m \mu}{\left\{ (R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin U + a \cdot \sin u)^{2} + (R \cos \psi + b \cdot \cos U + a \cdot \cos u)^{2} \right\}^{\frac{n}{2}}}{\frac{n \cdot \mu}{\tau_{1}^{n}}} = \frac{-m \mu}{\left\{ (R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin U - a \cdot \sin u)^{2} + (R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U - a \cdot \cos u)^{2} \right\}^{\frac{n}{2}}}{\frac{n \cdot \mu}{\tau_{1}^{n}}} = \frac{m \mu}{\left\{ (R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin U + a \cdot \sin u)^{2} + (R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U + a \cdot \cos b)^{2} \right\}^{\frac{n}{2}}}$$

Diese vier Kräfte können, wie erwähnt, nur eine drehende Bewegung erzeugen, wir haben daher zunächst der Richtung und Größe nach die Drehungsmomente zu bestimmen, welche diese Kräfte der beweglichen Nadel erteilen.

Um die Momente zu erhalten, welche diese Kräfte der Nadel erteilen, haben wir von den an s und n angreifenden Kräften zunächst die zu ns senkrechten Komponenten zu bilden, also die Kräfte mit dem Cosinus des Winkels zu multiplizieren, den ihre Richtung mit der zur Nadel senkrechten, oder mit dem Sinus des Winkels, den ihre Richtung mit der

Richtung der Nadel selbst bildet. Diese zur Richtung der Nadel sent rechten Komponenten haben wir dann mit dem Abstande ihres Angriffs punktes von der Drehungsaxe, also mit a zu multiplizieren.

Die nach σs wirkende abstossende Kraft bildet mit der zur Stabrichtun ns senkrechten Richtung ts den Winkel σst . Ziehen wir rs parallel de x-Axe senkrecht zum Meridian, so wird

$$\sigma st = rst - rs\sigma = u - rs\sigma,$$
$$\cos \sigma st = \cos u \cdot \cos rs\sigma + \sin u \cdot \sin rs\sigma.$$

Nun ist
$$\cos rs\sigma = \frac{rs}{\sigma s} = \frac{x_1 - \xi_1}{r_1} = \frac{R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin U - a \cdot \sin w}{r_1}$$

$$= \sin rs\sigma = \frac{rs}{s\sigma} = \frac{\eta_1 - y_1}{r_1} = \frac{a \cdot \cos u - R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U}{r_1}.$$
Demnach
$$\cos \sigma st = \frac{\cos u \cdot (R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin U) - \sin u \cdot (R \cdot \cos \psi + b \cdot \cos U)}{r_1}.$$

Das aus der Wirkung der beiden Pole σ und s auf einander hervogehende Drehungsmoment ist demnach, da der Abstand des Angriffspunkt

s von der Drehungsaxe o gleich a ist,

I.
$$+\frac{a \cdot m \cdot \mu \left\{\cos u \left(R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin U\right) - \sin u \left(R \cdot \cos \psi + b \cdot \cos U\right)\right\}}{\left\{\left(R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin U - a \cdot \sin u\right)^{2} + \left(R \cdot \cos \psi + b \cdot \cos U - a \cdot \cos u\right)^{2}\right\}^{\frac{n+1}{2}}}$$

Die nach σn wirkende Kraft bildet mit der zur Richtung des Stabns senkrechten Richtung np den Winkel σnp , oder mit der Richtung de Stabes den Winkel σno . Ziehen wir nun durch n parallel mit NS de Linie nv und durch σ mit der Axe der n parallel nv, so ist

$$\cos \sigma np = \sin \sigma no = \sin \sigma nv \cdot \cos u - \cos \sigma nv \cdot \sin u$$

$$\sin \sigma nv = \frac{\sigma v}{\sigma n} = \frac{x_1 - \xi_2}{r_2} = \frac{R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin U + a \cdot \sin u}{r_2},$$

$$\cos \sigma nv = \frac{nv}{\sigma n} = \frac{y_1 - \eta_2}{r_2} = \frac{R \cdot \cos \psi + b \cdot \cos U + a \cdot \cos u}{r_2}.$$

 $\sigma no = \sigma nv - vno = \sigma nv - u$

Demnach

$$\cos \sigma np = \frac{\cos u (R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin U) - \sin u (R \cdot \cos \psi + b \cdot \cos U)}{r_{\bullet}}.$$

Das aus der gegenseitigen Wirkung der beiden Pole σ und n he vorgehende Drehungsmoment ist demnach

II.
$$-\frac{a \cdot m \cdot \mu \left\{\cos u \left(R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin U\right) - \sin u \left(R \cdot \cos \psi + b \cdot \cos U\right)\right\}}{\left\{\left(R \cdot \sin \psi + b \cdot \sin U + a \cdot \sin u\right)^2 + \left(R \cdot \cos \psi + b \cdot \cos U + a \cdot \cos u\right)^2\right\}^{\frac{n-1}{2}}}$$

Die in der Richtung vs wirkende Kraft bildet mit st den Winkel

$$vst = rst + vsr = u + vsr$$

 $\cos \nu st = \cos u \cos \nu sr - \sin u \sin \nu sr.$

$$\cos vsr = \frac{x_2 - \xi_1}{r_s} = \frac{R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin U - a \cdot \sin u}{r_s},$$

$$\sin vsr = \frac{y_2 - \eta_1}{r_s} = \frac{R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U - a \cdot \cos u}{r_s},$$

somit

$$\cos vst = \frac{\cos u \left(R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin U\right) - \sin u \left(R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U\right)}{r_3}.$$

Das Drehungsmoment, welches die von s nach ν wirkende Kraft hervorbringt, ist demnach

$$\begin{aligned} & \text{III.} - \frac{a \cdot m \cdot \mu \left\{ \cos u \left(R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin U \right) - \sin u \left(R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U \right) \right\}}{\left\{ \left(R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin U - a \cdot \sin u \right)^2 + \left(R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U - a \cdot \cos u \right)^2 \right\}^{n+1}} \end{aligned}$$

Die vierte zwischen ν und n wirksame abstofsende Kraft bildet mit der zur Stabrichtung senkrechten Richtung np den Winkel $\nu np = wnp - wn\nu$; demnach ist

$$\cos \nu np = \cos w np \cdot \cos w n\nu + \sin w np \cdot \sin w n\nu,$$

$$wnp = 90^{\circ} + u; \quad \cos w np = -\sin u; \quad \sin w np = \cos u,$$

$$\cos \nu nw = \frac{wn}{n\nu} = \frac{y_3 - \eta_2}{r_4} = \frac{R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U + a \cdot \cos u}{r_4},$$

$$\sin \nu nw = \frac{\nu w}{\nu n} = \frac{x_2 - \xi_2}{r_4} = \frac{R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin U + a \cdot \sin u}{r_4}.$$

Darnach ist

$$\cos \nu np = \frac{\cos u (R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin U) - \sin u (R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U)}{r_{\perp}}.$$

Das letzte der vier Drehungsmomente ergiebt sich somit

$$= \frac{a \cdot m \cdot \mu \left\{ \cos u \left(R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin U \right) - \sin u \left(R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U \right) \right\}}{\left\{ \left(R \cdot \sin \psi - b \cdot \sin U + a \cdot \sin u \right)^2 + \left(R \cdot \cos \psi - b \cdot \cos U + a \cdot \cos u \right)^2 \right\}^{\frac{n+1}{2}}}$$

Die Vorzeichen + und — vor den einzelnen Ausdrücken bedeuten nicht, dass die Richtungen, nach welchen die betreffenden Momente den Stab zu drehen suchen, einander entgegengesetzt sind, sie bedeuten vielmehr, dass die zu der Richtung ns senkrechten Komponenten der vier Kräfte nach entgegengesetzten Richtungen des Raumes wirken. Da nun aber I und II an entgegengesetzten Seiten der Drehungsaxe angreisen, so ist die Richtung, nach welcher sie den Stab ns zu drehen suchen, dieselbe, und zwar drehen sie den Stab nach dem Meridian zurück. Aus demselben Grunde drehen III und IV den Stab nach gleicher Richtung, und zwar vom Meridian fort. Geben wir den Momenten, welche den Stab nach derselben Richtung drehen, dasselbe Vorzeichen, und bezeichnen diejenigen als positiv, welche den Winkel u zu vergrößern suchen, so erhalten III und IV das positive, I und II das negative Vorzeichen.

Aus der Gesamtwirkung der vier Pole resultiert dann ein Drehungsmoment, welches den Stab vom Meridiane fort zu drehen sucht und welches
gleich ist

$$III + IV - I - II$$
.

٠.

Wie wir sahen ist die Gleichgewichtslage des Stabes ns diejenige, in welcher die Wirkung des Magnetes $\nu\sigma$ ihn ebenso stark vom Meridian wegzudrehen sucht, als ihn seine magnetische Direktionskraft in den Meridian zurückzuführen sucht. Die Gleichgewichtsbedingung ist also

$$D \cdot \sin u = III + IV - I - II.$$

Ehe wir diese Gleichgewichtsbedingung näher untersuchen, wird es gut sein, den Ausdrücken für die vier Momente eine bequemere Form zu geben.

Die Zähler der Ausdrücke I und II können wir schreiben

$$R \cdot (\cos u \cdot \sin \psi - \sin u \cdot \cos \psi) + b (\cos u \sin U - \sin u \cos U) =$$

$$R \cdot \sin (\psi - u) + b \cdot \sin (U - u).$$

Die Zähler von III und IV werden dann ebenso

$$R \cdot \sin (\psi - u) - b \cdot \sin (U - u)$$
.

Führen wir die angedeutete Quadrierung der in der Klammer des Nenners I befindlichen Ausdrücke durch, so erhalten wir

$$(R \cdot \sin \psi + b \sin U - a \cdot \sin u)^{2} + (R \cdot \cos \psi + b \cdot \cos U - a \cdot \cos u)^{2} = R^{2} \sin^{2} \psi + 2 Rb \sin \psi \cdot \sin U - 2 Ra \sin \psi \cdot \sin u + b^{2} \sin^{2} U - 2 ab \cdot \sin U \sin u + a^{2} \sin^{2} u + R^{2} \cos^{2} \psi + 2 Rb \cdot \cos \psi \cdot \cos U - 2 Ra \cos \psi \cdot \cos u + b^{2} \cos^{2} U - 2 ab \cdot \cos U \cdot \cos u + a^{2} \cos^{2} u = R^{2} + 2 R\{b \cdot \cos(\psi - U) - a \cdot \cos(\psi - u)\} + b^{2} - 2 ab \cos(u - U) + a^{2}.$$

Bezeichnen wir den Faktor von 2R mit q und setzen

$$b \cdot \sin (\psi - U) - a \cdot \sin (\psi - u) = l,$$

so können wir für obige Quadratsumme setzen, wie man leicht findet,

$$(R+q)^2+l^2,$$

und somit den Nenner von I

$$\{(R+q)^2+l^2\}^{n+1\over 2}.$$

Behandeln wir den Nenner von II ganz ebenso, dann erhalten wir zunächst

 $R^2 + 2R\{b \cdot \cos(\psi - U) + a\cos(\psi - u)\} + b^2 + 2ab\cos(u - U) + a^2$, und setzen wir hier den Koefficienten von 2R gleich q' und

$$b \cdot \sin (\psi - U) + a \cdot \sin (\psi - u) = l',$$

so wird der Nenner

$$\{(R+q')^2+l'^2\}^{\frac{n+1}{2}}$$

Aus dem Nenner von III erhalten wir bei der gleichen Behandlungsweise zuerst

$$R^2 - 2R(b \cdot \cos(\psi - U) + a\cos(\psi - u)) + b^2 + 2ab \cdot \cos(u - U) + a^2$$

Der Koefficient von 2R ist also hier wieder q', hat daher l' wieder seelbe Bedeutung wie eben, so wird der Nenner von III

$$\{(R-q')^2+l'^2\}^{\frac{n+1}{2}}$$
.

Der Nenner des Ausdruckes IV schließlich wird, wie man leicht reh ganz ebensolche Rechnungen findet,

$$\{(R-q)^2+l^2\}^{\frac{n+1}{2}}$$

Setzen wir die so gefundenen Werte für Zähler und Nenner in unsere isdrücke ein, so wird die Bedingung des Gleichgewichts, für welche wir en fanden

$$D \cdot \sin u = \Pi I + IV - I - \Pi$$

gende Gestalt annehmen:

$$\sin u = a \cdot m \cdot \mu \left\{ \frac{R \cdot \sin(\psi - u) - b \cdot \sin(U - u)}{\left\{ (R - q')^2 + l'^2 \right\} \frac{n+1}{2}} + \frac{R \cdot \sin(\psi - u) - b \cdot \sin(U - u)}{\left\{ (R - q)^2 + l^2 \right\} \frac{n+1}{2}} - \frac{R \cdot \sin(\psi - u) + b \cdot \sin(U - u)}{\left\{ (R + q')^2 + l'^2 \right\} \frac{n+1}{2}} - \frac{R \cdot \sin(\psi - u) + b \cdot \sin(U - u)}{\left\{ (R + q)^2 + l^2 \right\} \frac{n+1}{2}} \right\}.$$

Jeden der vier Nenner auf der rechten Seite unserer Gleichung können r in eine Reihe entwickeln, welche nach steigenden negativen Potenzen i (R + q) und nach Potenzen von l fortschreitet. Der erste dieser Nenner fert so die Reihe

$$\frac{1}{\left\{(R-q')^2+l'^2\right\}^{\frac{n+1}{2}}} = \frac{1}{(R-q')^{n+1}} - \frac{n+1}{2} \frac{l'^2}{(R-q')^{n+3}} + \frac{(n+1)(n+3)}{8} \frac{l'^4}{(R-q')^{n+5}}.$$

Wenn wir voraussetzen, dass der Abstand R der beiden Magnete gen deren Größe 2a und 2b sehr groß ist, so konvergiert die Reihe hr rasch, so zwar, dass wir Glieder mit höheren Potenzen als der n+3 ernachlässigen dürfen.

Die Reihen, welche die drei anderen Nenner liefern, sind dieser analog, sie unterscheiden sich nur dadurch, daß im zweiten Nenner q und l an die Stelle von q' und l' treten. Die Reihe des ersten Nenners verwandelt sich in die des dritten, wenn wir für -q' einsetzen +q', und die des vierten erhalten wir aus der ersten, wenn wir -q' mit +q und l' mit l vertauschen.

Jedes Glied der vier Reihen läst sich nochmals in eine Reihe verwandeln, und zwar erhalten wir aus dem ersten Gliede der ersten Reihe

$$\frac{1}{(R-q')^{n+1}} = \frac{1}{R^{n+1}} + (n+1) \frac{q'}{R^{n+2}} + \frac{(n+1)(n+2)}{1 \cdot 2} \cdot \frac{q'^{2}}{R^{n+3}} + \frac{(n+1)(n+2)(n+3)}{1 \cdot 2 \cdot 3} \cdot \frac{q'^{3}}{R^{n+4}} + \cdots$$

Das erste Glied der Reihe für den dritten Nenner dagegen liefert, da dort für -q' einzusetzen ist +q', die Reihe

$$\frac{1}{(R+q')^{n+1}} = \frac{1}{R^{n+1}} \cdot (n+1) \cdot \frac{q'}{R^{n+2}} + \frac{(n+1)(n+2)}{1 \cdot 2} \cdot \frac{q'^2}{R^{n+3}} - \frac{(n+1)(n+2)(n+3)}{1 \cdot 2 \cdot 3} \cdot \frac{q'^3}{R^{n+4}} + \cdots - \cdots$$

Die Glieder dieser Reihe und ebenso der aus dem ersten Gliede de vierten Reihe hervorgehenden Reihe haben also abwechselnde Vorzeiche Das erste Glied der dem zweiten Nenner entsprechenden Reihe dagege liefert eine Reihe, deren Glieder wieder alle das positive Vorzeichen habe

Die folgenden Glieder dieser Reihe enthalten alle nur Potenzen vo R, welche höher sind als die n + 4.

Die zweiten Glieder der vier Reihen geben ähnliche Reihen, das zweit der ersten Reihe folgende:

$$-\frac{n+1}{2} \cdot \frac{l^{\prime 2}}{(R-q^{\prime})^{n+3}} = -\frac{n+1}{2} \cdot \frac{l^{\prime 2}}{R^{n+3}} - \frac{(n+1)(n+3)}{2} \cdot \frac{l^{\prime 2} \cdot q^{\prime}}{R^{n+4}} - \cdots$$

Das zweite Glied der dritten Reihe dagegen liefert die Reihe

$$-\frac{n+1}{2} \cdot \frac{l'^{2}}{(R+q')^{n+3}} = -\frac{n+1}{2} \cdot \frac{l'^{2}}{R^{n+3}} + \frac{(n+1)(n+3)}{2} \cdot \frac{l'^{2} \cdot q'}{R^{n+4}} - \cdots + \cdots$$

Für die anderen Reihen haben wir nur q' und l' mit q und lvertauschen.

Außer den hier in Betracht gezogenen Gliedern brauchen wir kein zu entwickeln.

Setzen wir jetzt die so erhaltenen Werte für die Nenner in unser vier Ausdrücke für die Drehungsmomente ein, so wird der erste, wen wir zugleich nach steigenden Potenzen von R in den Nennern ordnen:

$$\left\{R \cdot \sin\left(\psi - u\right) - b \cdot \sin\left(U - u\right)\right\} \left\{\frac{1}{R^{n+1}} + (n+1)\frac{q'}{R^{n+2}} + \left(\frac{(n+1)(n+2) \cdot q'^2}{2} - \frac{n+1}{2}l'^2\right)\frac{1}{R^{n+3}} + \left(\frac{(n+1)(n+2)(n+3)}{1 \cdot 2 \cdot 3}q'^3 - \frac{(n+1)(n+3)}{2 \cdot 2} \cdot l'^2 \cdot q'\right)\frac{1}{R^{n+4}} + \cdots\right\}$$
Then derives with

Der dritte wird

$$-\left\{R \cdot \sin \left(\psi - u\right) + b \cdot \sin \left(U - u\right)\right\} \left\{\frac{1}{R^{n+1}} - (n+1)\frac{q'}{R^{n+2}} + \left(\frac{(n+1)(n+2)}{2}q'^2 - \frac{n+1}{2}l'^2\right)\frac{1}{R^{n+3}} - \left(\frac{(n+1)(n+2)(n+3)}{1 \cdot 2 \cdot 3}q'^3 - \left(\frac{(n+1)(n+3)}{2 \cdot 2} \cdot l'^2q'\right)\frac{1}{R^{n+4}} + \cdots\right\}$$

Der zweite Ausdruck wird

$$\left\{R \cdot \sin\left(\psi - u\right) - b \cdot \sin\left(U - u\right)\right\} \left\{\frac{1}{R^{n+1}} + (n+1)\frac{q'}{R^{n+2}} + \left(\frac{n+1)(n+2)}{2} \cdot q^2 - \frac{(n+1)}{2}l^2\right) \frac{1}{R^{n+3}} + \left(\frac{(n+1)(n+2)(n+3)}{1 \cdot 2 \cdot 3}q^3 - \frac{(n+1)(n+3)}{2 \cdot 2} \cdot l^2q\right) \frac{1}{R^{n+4}} + \cdots\right\}$$

und schliesslich der vierte

$$-\left\{R \cdot \sin\left(\psi - u\right) + b \cdot \sin\left(U - u\right)\right\} \left\{\frac{1}{R^{n+1}} - (n+1)\frac{q}{R^{n+2}} + \left(\frac{(n+1)(n+2)}{2}q^2 - \frac{n+1}{2}l^2\right)\frac{1}{R^{n+3}} + \left(\frac{(n+1)(n+2)(n+3)}{1 \cdot 2 \cdot 3} \cdot q^3 - \frac{(n+1)(n+3)}{2 \cdot 2} \cdot l^2q\right)\frac{1}{R^{n+4}}\right\}.$$

Ziehen wir jetzt die für den ersten und dritten Teil der rechten Seite unserer Gleichgewichtsbedingung erhaltenen Reihen zusammen, und ordnen zugleich nach steigenden negativen Potenzen von R, so erhalten wir

$$+1)2q' \cdot \sin(\psi - u) - 2b \cdot \sin(U - u) \Big\} \frac{1}{R^{n+1}} + \Big\{ 2\sin(\psi - u) \Big[\frac{(n+1)(n+2)(n+3)}{1 \cdot 2 \cdot 3} q'^3 - \frac{(n+1)(n+3)}{2 \cdot 2} l'^2 q' \Big] - 2b\sin(U - u) \Big[\frac{(n+1)(n+2)}{2} q'^2 - \frac{n+1}{2} l'^2 \Big] \Big\} \frac{1}{R^{n+3}} \cdot$$

Ziehen wir ebenso den Ausdruck für das zweite und vierte Glied zusammen, so erhalten wir

$$\begin{aligned} & +1)2q \cdot \sin(\psi - u) - 2b \cdot \sin(U - u) \Big\} \frac{1}{R^{n+1}} + \Big\{ 2\sin(\psi - u) \Big[\frac{(n+1)(n+2)(n+3)}{1 \cdot 2 \cdot 3} \cdot q^3 - \\ & - \frac{(n+1)(n+3)}{2 \cdot 2} \cdot l^2 q \Big] - 2b \cdot \sin(U - u) \Big[\frac{(n+1)(n+2)}{2} q^2 - \frac{n+1}{2} l^2 \Big] \Big\} \frac{1}{R^{n+3}} \cdot \end{aligned}$$

Summieren wir diese beiden Ausdrücke, so erhalten wir, wenn wir zugleich den Koefficienten des mit der (n + 3) Potenz von R behafteten Gliedes einfach mit f bezeichnen,

$$\left\{2(n+1)(q'+q)\cdot\sin(\psi-u)-4b\cdot\sin(U-u)\right\}\frac{1}{R^{n+1}}+\frac{f}{R^{n+3}}$$

Nun ist

$$q + q' = 2b \cdot \cos(\psi - U),$$

wodurch unser Ausdruck wird

$$\left\{(n+1)\cdot\cos\left(\psi-U\right)\cdot\sin\left(\psi-u\right)-\sin\left(U-u\right)\right\}\frac{4b}{R^{n+1}}+\frac{f}{R^{n+3}}$$

Nun ist weiter

$$\sin(U-u) = \cos(\psi-U) \cdot \sin(\psi-u) - \cos(\psi-u) \cdot \sin(\psi-U),$$
und setzen wir diesen Wert in unsern Ausdruck ein, so wird derselbe
$$\left\{n \cdot \sin(\psi-u) \cdot \cos(\psi-U) + \cos(\psi-u) \cdot \sin(\psi-U)\right\} \cdot \frac{4b}{p^n+1} + \frac{f}{p^n+3}.$$

Damit wird schließlich die Bedingung des Gleichgewichts für die drehbare Nadel

$$D \cdot \sin u = \frac{2 \cos 2b\mu}{R^{n+1}} \left\{ n \cdot \sin(\psi - u) \cdot \cos(\psi - U) + \cos(\psi - u) \cdot \sin(\psi - U) \right\} + \frac{f'}{R^{n+3}}.$$

Um hieraus das Gesetz der magnetischen Fernewirkung, d. h. die Abhängigkeit derselben von der Entfernung der Magnete von einander,

ihrer gegenseitigen Lage und Stärke zu erhalten, müssen wir den Ablenkungswinkel u in seiner Abhängigkeit von R, ψ , U darstellen. Entwickeln wir daher in dem ersten Gliede der rechten Seite die Sinus und Cosinus, in welchen u vorkommt, bringen alle Glieder, welche dann sin u enthalten, auf die linke Seite und dividieren die Gleichung durch $\cos u$, so erhalten wir, wenn wir den Zähler des zweiten Gliedes auf der rechten Seite dann mit F bezeichnen:

$$\begin{split} &\left\{D + 2\,am\cdot 2\,b\,\mu\cdot R^{-(n+1)}\big[n\cdot\cos(\psi-U)\cdot\cos\psi + \sin(\psi-U)\cdot\sin\psi\big]\right\}\cdot \tan g u = \\ &= 2\,am\cdot 2\,b\,\mu\cdot R^{-(n+1)}\Big\{n\cdot\cos(\psi-U)\cdot\sin\psi + \sin(\psi-U)\cdot\cos\psi\Big\} + \frac{F}{R^{n+3}}, \end{split}$$

und daraus

$$\tan g u = \frac{2 \operatorname{am} \cdot 2 \operatorname{b\mu} \cdot R^{-(n+1)} \left\{ \operatorname{n} \cdot \cos(\psi - U) \cdot \sin \psi + \sin(\psi - U) \cdot \cos \psi \right\}}{D + 2 \operatorname{am} \cdot 2 \operatorname{b\mu} \cdot R^{-(n+1)} \left\{ \operatorname{n} \cdot \cos(\psi - U) \cdot \cos \psi + \sin(\psi - U) \cdot \sin \psi \right\}} + \frac{F'}{R^{n+3}} \cdot \frac{F'$$

Bezeichnen wir den Zähler des ersten Gliedes mit Z, den Nenner mit D+N, so können wir obige Gleichung auch schreiben

tang
$$u = Z(D+N)^{-1} + F' \cdot R^{-(n+3)}$$
.

Entwickeln wir den Koefficienten $(D+N)^{-1}$ in eine Reihe, so wird die Gleichung

tang
$$u = Z \cdot \{D^{-1} - D^{-2} \cdot N + D^{-3} N^2 - \cdot \cdot\} + F' \cdot R^{-(n+3)}$$

Von der Reihe, in welche wir das erste Glied aufgelöst haben, ist nur das erste Glied zu beachten, da das zweite schon wegen des Faktors $Z \cdot N$ den Nenner $R^{2(n+1)}$ enthält, und die folgenden im Nenner noch höhere Potenzen von R enthalten.

Darnach erhalten wir den der Gleichgewichtslage entsprechenden Wert von u aus der Gleichung

$$\tan u = \frac{2\,a\,m\cdot 2\,\mu\,b}{D} \cdot \frac{\{\,n\cdot\cos\left(\psi-U\right)\cdot\sin\psi+\sin\left(\psi-U\right)\cdot\cos\psi\,\}}{R^{n+1}} + \frac{F'}{R^{n+3}}.$$

Die soeben entwickelte Gleichgewichtsbedingung gilt zunächst unserer Voraussetzung nach nur unter der Annahme, daß wir zwei kleine Magnete auf einander einwirken lassen, welche jeder nur aus zwei magnetischen Teilchen bestehen, die sich im Abstande 2a und 2b von einander befinden. Wir können indes sofort diese Rechnung auf vollständige Magnete anwenden. Wie wir nämlich sahen, können wir in Bezug auf die Wirkung eines Magnetes nach aussen hin annehmen, daß die eine Hälfte des Magnetes nur freien Nordmagnetismus, die andere nur freien Südmagnetismus enthält. Diese Magnetismen sind in den Magneten, wenigstens theoretisch, symmetrisch verteilt, d. h. in gleichen parallel der magnetischen Axe genommenen Abständen von der Mitte des Magnetes finden sich genau gleiche Mengen Nord- und Südmagnetismus.

Nehmen wir nun an, dass sowohl der ablenkende, als der abgelenkte Magnet die eben angenommene Beschaffenheit haben, so werden in dem erstern an der einen Seite in den parallel der magnetischen Axe genommenen Abständen von der Mitte: $b b' b'' \cdots b^n$ sich die freien Magnetismen

 $\mu \mu' \mu'' \cdots \mu^n$ befinden, und an der andern Seite in denselben Abständen die freien Magnetismen — $\mu - \mu' - \mu'' \cdots - \mu^n$. Wir können daher den ablenkenden Magnet ansehen als zusammengesetzt aus einer großen Anzahl von Magneten, welche die in unserer Rechnung vorausgesetzte Beschaffenheit haben, d. h. welche bestehen aus den Magnetismen $+\mu^n$ und — μ^n , welche sich im Abstande $2b^n$ befinden und alle parallel dem Magnete $\nu\sigma$ liegen.

Ganz ebenso können wir den abgelenkten Stab aus solchen Elementarmagneten zusammengesetzt ansehen, welche alle aus den um $2a^n$ entfernten Magnetismen $+m^n$ und $-m^n$ bestehen und welche alle dem Magnete ns parallel liegen.

Bezeichnen wir das vorhin gefundene Drehungsmoment, welches der Magnet $\nu\sigma$ auf ns ausübt, mit

$$\frac{2am\cdot 2\mu b\cdot C}{R^{n+1}} + \frac{f'}{R^{n+3}},$$

setzen wir der Einfachheit wegen zunächst voraus, daß R so groß ist, daß das zweite Glied schon nicht mehr beachtet zu werden braucht, und nehmen wir an, daß der abgelenkte Magnet ein vollständiger Magnetstab wäre, so würde, da sowohl C als R Tür alle diesen zusammensetzenden Elementarmagnete konstant wären, das Drehungsmoment, welches der feste Magnet dem beweglichen erteilt, sein

$$(2am + 2a'm' + 2a''m'' + \cdots + 2a^nm^n) \cdot \frac{2\mu b \cdot C}{R^{n+1}} = \frac{\Sigma 2am \cdot 2\mu b \cdot C}{R^{n+1}},$$

wo also die Summe $\Sigma 2am$ sich über alle Werte von a und m erstreckt. Man nennt diese Summe der Produkte aller magnetischen Teilchen eines Stabes in ihre parallel der magnetischen Axe genommenen Abstände von der Mitte, wie schon erwähnt wurde, das magnetische Moment des Stabes. Bezeichnen wir dasselbe mit M, so wird das Drehungsmoment, welches der Elementarmagnet $\nu\sigma$ auf den drehbaren Magnet ausübt,

$$\frac{M\cdot 2\,\mu\, b\cdot C}{R^{n+1}}.$$

Ist der ablenkende Magnet ebenfalls aus einer großen Zahl solcher Elementarmagnete zusammengesetzt, so wird jeder dem drehbaren Stab ein Drehungsmoment erteilen, und da auch jetzt wieder C und R für alle konstant sind, wird das Drehungsmoment werden

$$\frac{M \cdot \Sigma 2 \mu b \cdot C}{R^{n+1}} = \frac{M \cdot M'}{R^{n+1}} \cdot C,$$

wenn M' das magnetische Moment des ablenkenden Stabes ist.

Bezeichnet daher jetzt D die Direktionskraft des abgelenkten Stabes, wird, wie man unmittelbar sieht, der Wert von u, welcher der Gleichzewichtsbedingung entspricht, gegeben durch die Gleichung

$$\tan u = \frac{M \cdot M'}{D} \cdot \frac{n \cos(\psi - U) \cdot \sin\psi + \sin(\psi - U) \cdot \cos\psi}{R^{n+1}} + \frac{Q}{R^{n+3}},$$

enn Q den Wert bezeichnet, den F' annimmt, wenn an die Stelle der

Elementarmagnete vollständige Magnete treten. Der Versuch hat sowoh über den Wert von n als über die Zulässigkeit der Hypothese zu ent scheiden, dass die magnetischen Anziehungen und Abstosungen dem Produkte $M \cdot M'$ proportional seien.

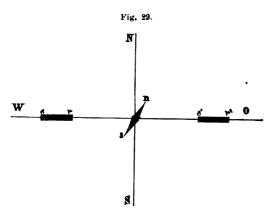
§. 17.

Versuche von Gauss¹). Um durch den Versuch über den Wert von n zu entscheiden, gab Gauss den Winkeln ψ und U solche Werte, welche am leichtesten mit Genauigkeit gemessen werden konnten, und bei welchen die unvermeidlichen Ungenauigkeiten den geringsten Einfluß auf das schließliche Resultat haben. Die Theorie ergiebt, daß zu dem letztern Zwecke der ablenkende Stab so gelegt werden muß, daß der Winkel u entweder den größten möglichen oder den kleinsten möglichen Wert erhält, und die Rechnung ergiebt, daß die Werte von ψ und U, welche diese Bedingung erfüllen, zugleich diejenigen sind, welche sich am leichtesten mit Genauigkeit messen lassen.

Der Winkel u erhält den größstmöglichen Wert, wenn wir setzen

$$\psi = 90^{\circ}$$
 $U = 90^{\circ}$.

Wir haben den Winkel ψ vom Meridian aus nach Westen gerechnet der Winkel ψ ist also gleich 90°, wenn der ablenkende Magnetstab sich



westlich vom Meridian und in einer solchen Lage be findet, dass die Verbin dungslinie der Mittelpunkt der beiden Magnete senk recht ist zum magnetische Meridiane. Den Winkel ! haben wir gleich 0 gesetz wenn der Magnetstab der Meridiane parallel liegt mi seinem Nordende nach No1 den, und ihn dann eber falls von der Südseite de Meridians nach Westen ge rechnet, so dass U = 90ist, wenn der Magnetsta

senkrecht zum Meridiane mit der Nordseite nach Osten liegt. Fig. 29 σ stellt also die Lage des festen Magnetes diesen Werten von ψ und l entsprechend dar.

Setzen wir diese Werte von ψ und U in unsere Gleichung für tang ein, so wird

tang
$$u = \frac{n \cdot M \cdot M'}{D} \cdot \frac{1}{R^{n+1}} + \frac{Q'}{R^{n+3}}$$

Genau denselben Wert muß u erhalten, wenn man dem ablenkender Magnetstabe die Lage v' σ' (Fig. 29) giebt, wenn man also bei ungein

¹⁾ Gauss, Intensitas etc. Göttingen 1883. Poggend. Ann. Bd. XXVIII.

Fig. 30.

S

dertem Werte von U und R den Magnetstab auf die Ostseite des Meridianes bringt; ψ erhält dann den Wert 270° .

Absolut genommen denselben, dem Zeichen nach aber einen entgegengesetzten Wert erhält u, wenn man in beiden Lagen den Magnetstab umkehrt, so dass der Nordpol nach Westen zeigt. U erhält dann den Wert 270° . Diese vier Lagen des ablenkenden Magnetes nennt man nach Gauss die erste Hauptlage.

Um deshalb die Beobachtungsfehler möglichst zu eliminieren, werden für jede Entfernung R diese vier Beobachtungen kombiniert, indem das

arithmetische Mittel aus den vier so gefundenen Werten von u als der wahre Wert der Ablenkung angenommen wird: Bezeichnen wir diesen Mittelwert mit v, so gilt natürlich auch für diesen die Gleichung

tang
$$v = \frac{n \cdot M \cdot M'}{D} \cdot \frac{1}{R^{n+1}} + \frac{Q'}{R^{n+3}}$$

Der Winkel u erhält seinen kleinsten Wert, wenn man den Winkel $\psi = 0$ und $U = 270^{\circ}$ macht, wenn man also (Fig. 30) den festen Magnetstab senkrecht gegen den Meridian mit dem Nordende nach Westen und so legt, daß die Verbindungslinie der beiden Mittelpunkte der Magnete mit dem Meridiane zusammenfällt; die Verbindungslinie fällt also mit der Verlängerung der nicht abgelenkten Nadel zusammen, sie ist senkrecht zu dem ablenkenden Magnete, während in dem vorigen Falle die Verbindungslinie der Mittelpunkte mit der Verlängerung des festen Magnetes zusammenfiel und senkrecht war zu der nicht abgelenkten Nadel.

Setzen wir diese Werte von ψ und U in unsere Gleichung für tang u, so erhalten wir

tang
$$u = \frac{M \cdot M'}{D} \cdot \frac{1}{R^{n+1}} + \frac{Q''}{R^{n+3}}$$

Auch für diesen Fall hat man den Wert von u nicht aus einer, sondern aus vier Beobachtungen zu bestimmen, nämlich

$$\psi = 0 \quad U = 270$$
 Ablenkung = u
 $\psi = 0 \quad U = 90$, = $-u$
 $\psi = 180 \quad U = 270$, = u
 $\psi = 180 \quad U = 90$, = $-u$.

Das Mittel aus diesen vier beobachteten Werten wird von den unvermeidlichen Beobachtungsfehlern möglichst befreit sein, dem wahren Werte der Ablenkung also am nächsten kommen. Bezeichnen wir das Mittel als v', so gilt für diese Lage, die zweite Hauptlage,

tang
$$v' = \frac{M \cdot M'}{D} \cdot \frac{1}{R^{n+1}} + \frac{Q''}{R^{n+3}}$$

Giebt man nun dem Abstande R einen solchen Wert, dals das zweite Glied schon vernachlässigt werden darf, so muß hiernach

$$tang v = n \cdot tang v'$$

sein, so dass man aus der Vergleichung der Ablenkungen in den l Hauptlagen schon den Wert von n bestimmen kann.

Die Versuche, welche Gauss hiernach anstellte, sind in folg Tabelle zusammengestellt; sie wurden mit dem Magnetometer ange die erste Kolumne enthält die Abstände des ablenkenden Stabes vo Magnetometernadel, die zweite mit v überschriebene enthält die l kungen für $\psi = 90^{\circ}$, und die dritte mit v' überschriebene die l kungen für $\psi = 0$. Die angegebenen Werte sind in der soeben wickelten Weise als Mittelwerte aus vier Beobachtungen bestimmt.

R	v	v'	R	v	v	
1,1 m 1,2 1,3 1,4 1,5 1,6 1,7 1,8		1° 57′ 24,8″ 1 29 40,5 1 10 19,3 0 55 58,9 0 45 14,3 0 37 12,2 0 30 57,9 0 25 59,5	1,9 m 2,0 2,1 2,5 3,0 3,5 4,0	0° 43′ 21,8″ 0 37 16,2 0 32 4,6 0 18 51,9 0 11 0,7 0 6 56,9 0 4 35,9	0° 22′ 0 19 0 16 0 9 0 5 0 3 0 2	

Ferner ergab sich, dass die Werte von v und v' unabhängig von der Beschaffenheit der abgelenkten Nadel, dass, so lange de lenkende Magnet ungeändert blieb, auch die Ablenkungen des beweg Magnetes unter sonst gleichen Umständen konstant waren.

Aus der letzten Beobachtung folgt zunächst die Richtigkeit der e unseren Rechnungen zu Grunde gelegten Hypothese. Denn in un Ausdrucke für tang u kommt in allen Gliedern der Koefficient

$$\frac{M \cdot M'}{D}$$

vor, worin D die Direktionskraft des beweglichen Magnetes bedeutet. Direktionskraft, welche das Produkt aus den an den einzelnen Pu des sich selbst überlassenen Magnetes angreifenden Kräften und den pe der magnetischen Axe gemessenen Abständen der Angriffspunkte vo Drehungsaxe bedeutet, ist aber, wie wir bereits bei der Messun magnetischen Direktionskraft und Zurückführung derselben auf abs Maß auseinandersetzten, dem magnetischen Moment des Stabes proport Wir können daher setzen

$$D = M \cdot T$$

und somit wird jener allen Gliedern gemeinsame Koefficient

$$\frac{M\cdot M'}{D}=\frac{M'}{T},$$

das heifst die Ablenkung des beweglichen Magnetes ist direkt pi tional dem magnetischen Momente des ablenkenden Stabes und unabh von demjenigen des abgelenkten Stabes, wie es die Beobachtung best

Über den Wert von n giebt schon ein flüchtiger Überblick über Zahlen der obigen Tabelle sichern Aufschluß. Denn für die grö

Werte von R sind die Werte v' fast genau halb so groß als die Werte v, und ebenso sind in beiden Reihen die Ablenkungen den dritten Potenzen der Entfernung fast genau umgekehrt proportional. Da nun die Ablenkungswinkel stets so klein sind, daß wir die Tangenten den Winkeln proportional setzen dürfen, so kann kein Zweifel bestehen, daß n=2 ist, daß also die magnetischen Anziehungen und Abstoßungen dem Quadrate der Entfernungen umgekehrt proportional sind.

Um indes die Richtigkeit des Gesetzes an den einzelnen Versuchen noch deutlicher zu zeigen, berechnete Gauss aus den Beobachtungen die Werte der vier Koefficienten in den Gleichungen für tang v und für tang v', und dann mit den so erhaltenen Zahlenwerten die den einzelnen Entfernungen R entsprechenden Ablenkungen. Es ergaben sich auf diese Weise folgende Zahlenwerte für die Koefficienten der Gleichung

$$\begin{aligned} & \tan v = \frac{0,086870}{R^5} - \frac{0,002185}{R^5} \\ & \tan v' = \frac{0,043435}{R^5} + \frac{0,002449}{R^5} \end{aligned}.$$

Die hiernach berechneten Werte von v und v' stimmten bis auf wenige Sekunden mit den beobachteten überein. Daraus ergiebt sich mit aller Strenge, daß n=2 ist, einmal weil die beobachteten Werte in beiden Fällen sich durch Gleichungen berechnen lassen, deren Glieder R^3 und R^5 zu Nennern haben, dann aber auch weil der Koefficient des ersten Gliedes in der Gleichung für tang v genau doppelt so groß ist, als der Koefficient des ersten Gliedes in der Gleichung für tang v'.

Mit Hilfe der zuletzt gegebenen Entwickelungen sind wir auch imstande, den Magnetismus eines Stabes in absolutem Maße auszudrücken.

Das Drehungsmoment, welches ein Magnetstab, dessen magnetisches Moment M' ist, in der Fig. 30 dargestellten Lage, welche Gauss die zweite Hauptlage nennt, in der Entfernung R einem andern erteilt, dessen magnetisches Moment gleich M ist und welcher sich in dem magnetischen Meridian befindet, ist nach §. 16

$$\frac{M \cdot M'}{R^s} + \frac{f'}{R^s}$$

Ist die Entfernung R sehr groß gegen die Dimensionen der Magnete, so verschwindet das zweite Glied, und das Drehungsmoment wird der dritten Potenz aus dem Abstande der Stäbe umgekehrt proportional. In solchen Entfernungen ist also das Produkt aus dem Kubus der Entfernungen und dem Drehungsmomente eine konstante Größe und zwar gleich $M \cdot M'$. Dieses Produkt giebt uns das Drehungsmoment, welches der feste Stab auf den beweglichen in der Entfernungseinheit ausüben würde, wenn jenes einfache Gesetz der Abnahme der Wirkung zweier Magnete auf einander, welches für große Entfernungen giltig ist, bis zu den kleinsten Entfernungen seine Giltigkeit behielte. Dieses Produkt nennt Weber daher das auf die Entfernungseinheit reduzierte Drehungsmoment¹); dasselbe ist einfach gleich dem Produkte der beiden magnetischen Momente der Stäbe.

W. Weber, Resultate aus den Beobachtungen des magnetischen Vereines. Göttingen 1836.

Dieses reduzierte Drehungsmoment, welches nur von den magn tischen Momenten der beiden auf einander wirkenden Stäbe abhängig is ist für uns das Mittel, das magnetische Moment eines Magnetstabes absolutem Maße zu messen. Das magnetische Moment eines Stabes is gleich dem reduzierten Drehungsmomente, welches der Stab einem ande erteilt, dessen magnetisches Moment der Einheit gleich ist.

Die vorhin beschriebenen Ablenkungsversuche liefern uns zwar nic direkt das Moment, welches ein Stab einem andern erteilt, aber sie geb uns das Verhältnis des Drehungsmomentes, welches ein Stab einem ande erteilt, zu der Direktionskraft des andern Stabes. Da nun aber sowo jenes Drehungsmoment, als auch die Direktionskraft des abgelenkten Stab dem magnetischen Momente des letztern proportional sind, so ist das au den Ablenkungsversuchen gefundene Verhältnis

$$\frac{\underline{M} \cdot \underline{M'}}{\underline{D}} = \frac{\underline{M} \cdot \underline{M'}}{\underline{M} \cdot \underline{T}} = \frac{\underline{M'}}{\underline{T}},$$

also gleich dem Quotienten aus dem Drehungsmomente, welches der al lenkende Stab einem andern erteilt, dessen magnetisches Moment de Einheit gleich ist, und der Direktionskraft T des mit der Einheit de magnetischen Momentes begabten Stabes.

Nun haben wir bereits §. 15 ein Mittel kennen gelernt, um die Direktionskraft des mit dem Magnetismus M' begabten Magnetes, als das Produkt aus seinem in den gewählten Einheiten ausgedrückten Magnetismus und der Direktionskraft des mit der Einheit des freien Magnetimus begabten, in seiner sonstigen Beschaffenheit ihm ganz gleichen Magnete vollständig zu bestimmen. Bestimmen wir daher durch Schwingungsversuch die Direktionskraft des soeben zu den Ablenkungsversuchen benutzten allenkenden Magnetes, so können wir entweder T eliminieren und M' direlberechnen, oder sowohl M' als T bestimmen. Denn in der That, die Ablenkungsversuche geben uns für das Verhältnis $\frac{M'}{T}$ einen bestimmte Zahlenwert

$$\frac{M'}{T}=a;$$

die Schwingungsversuche mit dem Magnete M' liefern uns in bestimmt Einheiten ausgedrückt die Direktionskraft

$$M' \cdot T = b$$
.

Beide Gleichungen zusammen liefern uns

$$M' = \sqrt{a \cdot b} \qquad T = \sqrt{\frac{b}{a}}.$$

Für den im §. 15 untersuchten Magnetstab fand Gauss in den veihm gewählten Einheiten am 18. September 1832

$$M' \cdot T = 179770600.$$

Mit demselben Stabe wurde dann in der ersten Hauptlage, in welch $\psi = 90$, U = 90 war, die Nadel des Magnetometers abgelenkt und grunden für:

$$R = 1200 \text{ mm}$$
 $v = 3^{\circ} 42' 19,4''$
 $R_1 = 1600 \text{ mm}$ $v_1 = 1^{\circ} 34' 19,4''$.

Dieser Hauptlage entspricht die Gleichung

$$ang v = 2 rac{M'}{T} \cdot rac{1}{R^3} + rac{Q'}{R^b}$$
 $ang v_1 = 2 rac{M'}{T} \cdot rac{1}{R^3} + rac{Q'}{R^b}$

Multiplizieren wir die erste Gleichung mit R^5 , die zweite mit R_1^5 , and subtrahieren von der zweiten die erste, so erhalten wir

$$R_1^5 \cdot \tan v_1 - R^5 \tan v = 2 \frac{M'}{T} (R_1^2 - R^2),$$

und somit

$$\frac{M'}{\bar{T}} = \frac{1}{2} \frac{R_1^{5} \tan v_1}{R_1^{2} - R^{2}} = 56606437.$$

Mit diesen Zahlen wird

$$M' = 100876331$$
 $T = 1,782088.$

Legen wir die Einheiten des [CGS] Systems zu Grunde, so wird nach $\S.$ 15

$$M'T = 1797,06.$$

Da das reduzierte Drehungsmoment in dem Falle auf das Centimeter als Einheit der Länge zu berechnen ist, in das reduzierte Drehungsmoment aber die dritte Potenz der Länge als Faktor eingeht, so ist der Wert ron $\frac{M'}{T'}$ durch 1000 zu dividieren, so daß

$$\frac{M'}{T} = 56606,437$$

wird. Aus diesen beiden Zahlen erhalten wir

$$M' = 10087,633$$
 $T = 0,1782088.$

Um die Richtigkeit dieser Zahlen zu erkennen, gehen wir auf die Dimension des magnetischen Moments zurück

$$M' = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{5/2} \tau^{-1} \right].$$

Da die Einheit der Masse nach Gauss 10^{-3} , die Länge 10^{-1} der Einheiten unseres Systemes ist, so müssen wir, um den Zahlenwert in unsern Einheiten auszudrücken, die Zahlen von Gauss mit $10^{-\frac{1}{2}} \cdot 10^{-\frac{1}{2}} = 10^{-4}$ multiplizieren.

Die Dimension von T ergiebt sich daraus, daß das Produkt M'T ein Drehungsmoment ist, somit ist

$$M'T = z \left[\mu \lambda^2 \tau^{-2}\right]$$

oder, wenn wir an der rechten Seite das Zeichen für M' herausschreiben,

$$M'T = z_1 \left[\mu^{1/2} \lambda^{5/2} \tau^{-1} \right] z_2 \left[\mu^{1/2} \lambda^{-1/2} \tau^{-1} \right],$$

50 folgt

$$T = z_0 \left[\mu^{\frac{1}{2}} \lambda^{-\frac{1}{2}} \tau^{-1} \right].$$

٠.

Es mus demnach der Gausssche Wert von T mit $10^{-\frac{1}{2}} \cdot 10^{\frac{1}{2}}$ od mit 10^{-1} multipliziert werden, wie es auch bei der obigen Zahl für sich ergab.

§. 18.

Verteilung des Magnetismus im Innern der Magnete. Bei de Beschreibung der magnetischen Eigenschaft und der sich daranschließer den Betrachtung über die Konstitution des Magnetes haben wir berei im allgemeinen gesehen, daß der freie Magnetismus eines Stabes von de Enden gegen die Indifferenzzone hin rasch abnimmt. Wir haben nun i den letzten Paragraphen die Mittel kennen gelernt, die magnetischen Kräft nach Maß und Zahl zu vergleichen; zur Vervollständigung unserer Betrachtung über die Konstitution der Magnete und zugleich zum Erweis der Richtigkeit der schon mehrfach gemachten Annahme, daß der frei Magnetismus eines Stabes schon in geringer Entfernung von den Ende desselben unmerklich sei, wird es daher notwendig sein, die Verteilung des freien Magnetismus in einem Stabe genauer zu untersuchen.

Wir besprechen an dieser Stelle nur die Versuche von Coulomb¹) da wir bei Besprechung des Elektromagnetismus auf diese Frage noch mals zurückkommen. Coulomb wandte zu dem Zwecke die schon frühe erwähnte Methode der Oscillationen an. Eine kleine ungefähr 15 mn lange Magnetnadel von sehr hartem Stahl, und möglichst kräftig magne tisiert, wurde an einem dünnen Seidenfaden in horizontaler Ebene drehba aufgehängt und ihre Schwingungsdauer bestimmt, wenn die Nadel sich selbst überlassen war.

Dieser Nadel wurde in der Richtung des magnetischen Meridians ei langer Magnetstab in vertikaler Stellung bis auf einen kleinen Abstan genähert und wieder die Schwingungsdauer der Nadel bestimmt, wenn di verschiedenen Querschnitte des Stabes mit dem Pole der Nadel in gleiche Höhe waren. Bezeichnen wir die Schwingungszahl der sich selbst über lassenen Nadel mit n, diejenige, wenn irgend ein um die Länge x vo der Mitte des Stabes entfernter Querschnitt des Stabes mit der Nadsich in derselben Horizontalebene befindet, mit n', so erhalten wir für danziehende Wirkung A des Stabes auf die Nadel nach § 16 den Ausdruc

$$A = \frac{D}{n^2} (n'^2 - n^2),$$

wenn D wie immer die Direktionskraft der Nadel bezeichnet, welche s in den Meridian zurückführt, wenn sie sich selbst überlassen ist.

Befindet sich, bei gleichem Abstande des Stabes von der Nadel, ei anderer um x' von der Mitte des Stabes entfernter Querschnitt mit de Nadel in gleicher Höhe, so wird man eine andere Schwingungszahl n beobachten und daraus eine andere anziehende Wirkung des Stabes au die Nadel erhalten, nämlich

$$A' = \frac{D}{n^2} (n''^2 - n^2),$$

¹⁾ Coulomb, Delamétherie observat. sur la physique. T. XLIII. Gehler physik. Wörterbuch Bd. VI.

und daraus für das Verhältnis A zu A'

$$\frac{A}{A'} = \frac{n'^2 - n^2}{n''^2 - n^2}.$$

Da wir wissen, dass die magnetischen Anziehungen und Abstossungen den Magnetismen selbst proportional sind, so würde uns dieser Quotient ngleich das Verhältnis der freien Magnetismen der beiden Querschnitte geben, wenn eben nur diese Querschnitte anziehend auf die Nadel wirkten. Das ist nun zwar nicht der Fall, sondern auf die Nadel wirkt der ganze Magnetstab ein; indessen zeigt eine der im §. 16 angestellten analoge Betrachtung, dass, wenn man den Abstand des Stabes von der Nadel nur tlein genug wählt, die horizontale Komponente der Anziehungen, welche die nicht mit der Nadel in gleicher Horizontalebene liegenden Querschnitte auf die Nadel ausüben, vernachlässigt werden darf, so dass man in der That die Anziehungen A als von den mit der Nadel in gleicher Höhe befindlichen Schichten ausgeübt betrachten kann. Man kann daher auch die Stärke der in den betreffenden Querschnitten vorhandenen Magnetismen den Anziehungen proportional setzen, welche beobachtet werden, wenn diese Querschnitte mit der Nadel in gleicher Höhe sind. Coulomb wandte zu seinen Versuchen einen Magnetstab an, welcher bei einem Durchmesser von circa 5 mm eine Länge von 70 cm hatte, und brachte denselben in einen Abstand von 20 mm von der Nadel. Die Originalbeobachtungen Coulombs sind nicht vorhanden, man weiß daher nicht, welche Schwingungsdauern die Nadel hatte. Die von Coulomb erhaltenen Resultate sind folgende:

Abstand des einwirkenden Querschnittes vom Ende	Stärk freien Ma	Unterschied.		
des Stabes	beobachtet	berechnet		
0 cm	165	173,76	- 8,76	
2,6 ,,	90	90,00	0,00	
5,2 ,,	48	46,62	+1,38	
7,8 ,,	23	24,14	- 1,14	
11,7 ,,	9	9,00	0,00	
15,6 ,,	6	3,35	+2,65	

Die Zahlen der zweiten Kolumne sind wahrscheinlich wohl die Werte $n'^2 - n^2$.

Die Zahlen der dritten Kolumne sind nach einer Formel berechnet, Welche Biot¹) aus der Theorie des Magnetismus für die Verteilung des freien Magnetismus in einem Stabe ableitete.

Bei dieser Ableitung machte Biot die Voraussetzung, das der magnetische Zustand eines Stabes genau derselbe wäre, wenn man den beiden Enden den in der That dort vorhandenen freien Magnetismus erteilt hätte,

¹⁾ Biot, Traité de physique. Tom. III. p. 76.

und wenn dann nur durch die Wirkung dieser Magnetismen im Innern des Stabes eine Magnetisierung stattgefunden hätte, indem jedes Molekul von dem benachbarten dem Pole näher liegenden affiziert wäre. Man wird dann weiter annehmen dürfen, daß der Magnetismus jedes Molekuls in dem benachbarten eine ihm proportionale Menge Magnetismus infolge der magnetischen Anziehung und Abstoßung frei macht, indem er den ungleichnamigen Magnetismus gewissermaßen bindet, d. h. ihn nach außen unwirksam macht. Sei nun der Magnetismus des äußersten Querschnittes eines Stabes gleich +A, so wird derselbe in der benachbarten Schicht die Magnetismen $+A\mu$ und $-A\mu$ trennen, worin μ ein ächter Bruch ist. In der zweiten Schicht wird durch den Magnetismus $A\mu$ der vorhergehenden Schicht $+A\mu^2$ geschieden werden und in der nSchicht $+A\mu^2$.

Setzen wir voraus, dass in der Längeneinheit des Stabes m Querschnitte vorhanden sind, so werden wir den Abstand ξ des n Querschnittes setzen können $\xi = \frac{n}{m}$, und dadurch wird der geschiedene Magnetismus ausgedrückt werden können durch $+A \cdot \mu^{m\xi}$, oder wenn wir $\mu^m = \mathbb{M}$ setzen, durch AM^{ξ} . Setzen wir die Länge des Magnetes gleich 2l, so wird an derselben Stelle, wo durch den Einfluss des Endes A der Magnetismus $+AM^{\xi}$ frei geworden ist, durch den Einfluss des andern Poles, der den Magnetismus $-B \cdot M^{2l-\xi}$ frei werden; oder da in einem regelmässig magnetisierten Stab die Magnetismen beider Pole gleich stark sind, so wird B = A und

$$-B\cdot M^{2i-\xi}=-A\cdot M^{2i-\xi}$$

sein.

Der von dem Pole B aus frei gewordene Magnetismus wird an diesel Stelle eine ihm an Größe genau gleiche Menge des von A aus frei gewordenen Magnetismus neutralisieren, so daß an der um ξ von A ent fernten Stelle der wirklich dort vorhandene freie Magnetismus sein wird

$$y = A \left(M^{\xi} - M^{2l - \xi} \right).$$

Nennen wir den Abstand des um ξ von dem Ende A entfernten Stabe von der Mitte x, so wird

$$\xi = l - x, \qquad 2l - \xi = l + x,$$

und setzen wir diese Werte in unsere Gleichung ein, so wird

$$y = A \cdot M^{l} (M^{-x} - M^{x}).$$

Aus der zweiten und vorletzten Beobachtung von Coulomb berechnet Biot die beiden Konstanten A und M, und mit diesen die Magnetismer an den übrigen Punkten des Stabes, an welchen beobachtet worden war Wie die dritte Kolumne zeigt, stimmen Beobachtung und Rechnung bi auf die Enden des Stabes hinlänglich mit einander überein.

Die Beobachtung an dem Ende des Stabes kann indes auch nich direkt mit dem andern verglichen werden; denn es ist nach dem Vorige klar, dass nicht nur der freie Magnetismus, welcher in dem der Nade gerade gegentiberliegenden Querschnitte enthalten ist, auf die Nadel wirk ndern dass die unmittelbar tiber und unter diesem liegenden Querschnitte benfalls einwirken. An dem Ende des magnetisierten Drahtes fehlen aber atweder die unterhalb oder die oberhalb des gerade beobachteten liegenen Querschnitte, und deshalb ist der dort gefundene Magnetismus gegen ie Magnetismem der anderen Querschnitte viel zu klein. Coulomb nahm a, dass der Magnetismus der Enden etwa um die Hälfte zu klein sei, and darnach wurde die direkte Beobachtung korrigiert; die Zahl 165 ist ie korrigierte Beobachtung.

Die Beobachtungen Coulombs, sowie die Gleichung Biots, geben uns einen Aufschluß über die wirkliche Verteilung des Magnetismus in dem er Untersuchung unterworfenen magnetischen Stabe, sondern nur über ie Verteilung des freien Magnetismus. Letztere ist indes, wie wir bereits über sahen, eine ganz andere als erstere.

Aus der Formel von Biot, deren Zulässigkeit nach den Versuchen von oulomb angenommen wurde, hat Rees¹) die Verteilung des Magnetismus einem Stabe, dessen Dicke gegen seine Länge sehr klein ist, folgenderaßen entwickelt.

Wie wir §. 11 sahen, können wir einen linearen Magnet als zusamtengesetzt ansehen aus einer sehr großen Anzahl parallel gelegter sehr leiner sogenannter Elementarmagnete, deren eine Hälfte nur freien Nord-, eren andere Hälfte nur freien Südmagnetismus enthält. Ist die unendlich leine Länge eines solchen Elementarmagnetes gleich dx und das magneische Moment dieses Elementarmagnetes gleich v, so können wir anstatt er wirklichen Verteilung des Magnetismus auf dem Elementarmagnete nnehmen, daß in seinen Endpunkten die Magnetismen

$$n = \pm \frac{v}{dx}$$

ngehäuft seien; denn das magnetische Element des so beschaffenen Elenentarmagnetes ist genau gleich demjenigen des wirklichen Elementarmagnetes, und wie wir §. 16 sahen, hängt die Wirkung eines Magnetes ach außen nur ab von seinem magnetischen Moment, so daß zwei lagnete von gleichem Moment sich vollständig ersetzen können.

Der betrachtete Elementarmagnet liege nun um x von der Mitte des lagnetes nach der Nordseite hin entfernt. Der nach der Nordseite neben Im liegende Elementarmagnet liegt dann um x+dx von der Mitte entrit; sei sein magnetisches Moment gleich v+dv, wo dv jedenfalls undlich klein ist, so können wir uns diesen ersetzt denken durch einen ealen Elementarmagnet, an dessen Enden die Magnetismen

$$n' = \pm \frac{v + dv}{dx}$$

gehäuft sind.

Die Südseite des letztern Elementarmagnetes stößt an die Nordseite erstern; der am Ende desselben vorhandene Nordmagnetismus wird o zum Teil durch den Südmagnetismus des anliegenden Südendes neulisiert, und der übrigbleibende Nordmagnetismus ist der freie an dem

¹⁾ van Rees, Poggend. Ann. Bd. LXX,

um x von der Mitte entfernten Querschnittes des Magnetes vorhandene Magnetismus, Diese Differenz ist

$$n - n' = \frac{v}{dx} - \frac{v + dv}{dx}$$
$$m = -\frac{dv}{dx},$$

so daß der freie Magnetismus eines solchen linearen Magnetes im Abstande x von der Mitte gleich ist dem Quotienten aus der unendlich kleinen Differenz dv des magnetischen Momentes des im Abstande x und des um die unendlich kleine Größe dx weiter von der Mitte nach dem Pole hin gelegenen Elementarmagnetes dividiert durch die Entfernung dx. Was von dem linearen Magnete gilt, läßt sich sofort auf einen Magnetstab übertragen, dessen Dicke so klein ist, daßs wir alle in einem zur Axe senkrechten Querschnitte vorhandenen Elementarmagnete als gleich stark magnetisch betrachten können. Der in dem Querschnitte x geschiedene Magnetismus ist

 $\Sigma n = \pm \frac{\Sigma v}{dx}$

worin Σv die Summe der magnetischen Momente aller in dem betrachteten Querschnitte liegenden Elementarmagnete ist; in dem nebenliegenden Querschnitte ist geschieden

$$\Sigma n' = \pm \frac{\Sigma v + d\Sigma v}{dx}.$$

Der freie Magnetismus ist daher

$$\Sigma n - \Sigma n' = y = -\frac{d\Sigma v}{dx} = -\frac{dz}{dx},$$

er ist somit gleich dem nach der Stabaxe genommenen Differentialquotienten des magnetischen Momentes der betreffenden Stelle des Stabes.

Aus den Versuchen von Coulomb ergiebt sieh, wie wir sahen, der Wert von y

$$y = A \cdot M^{l}(M^{-x} - M^{x}).$$

Es mus daher zwischen dem magnetischen Momente ε eines Querschnittes und dessen Abstande x von der Mitte eine solche Beziehung bestehen, dass

$$y = -\frac{dz}{dx} = A \cdot M^{t}(M^{-x} - M^{x});$$

das uns den Wert von z als Funktion von x liefernde allgemeine Integral dieses Ausdruckes ist

$$z = C + B\left(M^x + M^{-x}\right),$$

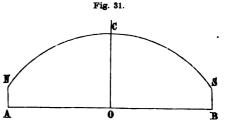
wenn C eine aus den Versuchen zu bestimmende Konstante und

$$B = A \cdot M^t \cdot \frac{\log e}{\log M}$$

bedeutet. Der Buchstabe e in diesem Ausdrucke ist die Grundzahl des natürlichen Logarithmensystems. Man überzeugt sich davon leicht durch Differentiation des Ausdruckes für z.

Dieser Ausdruck für z ist die Gleichung der Kettenlinie, wie sie

Fig. 31 darstellt. Die magnetischen Momente der einzelnen Querschnitte sind in der Mitte am größten und nehmen stetig nach beiden Seiten ab bis zu den Enden des Stabes, wo sie am kleinsten sind. Man erkennt das auch sofort aus der Gleichung für z, wenn man sich daran erinnert, daß Mein sich ber Grand des mittelen Grand des mittelen Grand der mittelen Gr



tische Moment des mittlern Querschnittes, für welchen x=0 ist, wird

$$z = C + 2B = C + 2A \cdot \frac{\log e}{\log M}$$

Je größer x wird, um so kleiner wird der Koefficient von B; an den Enden des Stabes wird er

$$z = C + \left(M^{i} + \frac{1}{M^{i}}\right) \cdot B = C + \left\{M^{2i} + 1\right\} \cdot A \stackrel{\log e}{\log M};$$

dies ist der kleinste Wert, welchen der Ausdruck auf dem Stabe von der Länge 21 erhalten kann.

Die Übereinstimmung dieses Ausdrucks mit der Erfahrung hat Rees 1) durch Versuche nachgewiesen, auf welche wir indes erst an einer spätern Stelle eingehen können.

Die hier durchgeführte Untersuchung bestätigt die Ansicht über die Konstitution der Magnete, welche wir im §. 11 vorläufig entwickelten; die Gesetze, welche wir erhielten, gelten indes nur für Magnete von der voransgesetzten Form, für sehr dünne geradlinige Magnete, welche regelmäßig und bis zur Sättigung magnetisiert sind. Schon für Stabmagnete, deren Dicke nicht sehr klein ist, gelten sie nicht mehr, da für diese die Voraussetzung nicht mehr zutrifft, dass alle Elementarmagnete eines und desselben Querschnittes gleich starke magnetische Momente haben.

Für solche, und noch mehr für Magnete anderer Formen, bedarf es daher einer allgemeinen Untersuchung der Verteilung des Magnetismus im Innern derselben. Diese Untersuchung ist von Poisson²), Green³), Neumann⁴) und anderen theoretisch durchgeführt worden; wir werden auch auf diese, sowie auf die Experimentaluntersuchungen, welche zur Aufklärung der hierbei sich darbietenden Fragen ausgeführt sind, bei der Lehre vom Elektromagnetismus ausführlicher zurückkommen.

§. 19.

Einfluss mechanischer Kräfte auf den Magnetismus eines Stabes. Betreffs des Verhaltens der Magnete erübrigt jetzt noch eine Frage, nämlich

¹⁾ van Rees a. a. O. und Poggend. Ann. Bd. LXXIV.

²⁾ Poisson, Mémoires de l'académie. T. V. Annales de chim. et de phys. T. XXV und XXVIII.

³⁾ Green, Crelles Journal für reine und angewandte Mathematik. Bd. XLVII.

⁴⁾ Neumann, Crelles Journal. Bd. XXXVII.

die, ob andere Kräfte, mechanische Einwirkungen oder Wärme auf den Magnetismus eines Stabes von Einfluß sind.

Was zunächst die Einwirkung mechanischer Kräfte betrifft, so ist es schon lange bekannt, daß Erschütterungen eines Stabes seinen Magnetismus bedeutend zu ändern imstande sind.

Erschüttert man einen Stab, während er magnetisiert wird, so wird sein Magnetismus bedeutend stärker, als wenn er ohne solche Erschütterungen magnetisiert wird; es ist daher auch eine schon alte Vorschrift, einen Magnet, den man durch Aufsetzen auf die Pole eines kräftigen Hufeisens herstellt, zu klopfen oder zu stoßen, damit sein Magnetismus möglichst stark wird.

Wenn man dagegen einen fertigen Magnet stark erschüttert, ihn stöfst oder fallen läfst, so wird sein Magnetismus dadurch bedeutend geschwächt; so ist es eine schon lange bekannte Thatsache, daß ein Magnet einen großen Teil seines Magnetismus verliert, wenn man ihn aus einiger Höhe auf den Boden fallen läfst.

Einen eigentümlichen Einflus der Erschütterungen auf das magnetische Verhalten hat Wiedemann¹) beobachtet; wenn man einem magnetischen Stab durch entgegengesetztes Magnetisieren seinen Magnetismus zum Teil oder ganz nimmt, oder ihm sogar entgegengesetzten Magnetismus erteilt, so nimmt er durch Erschüttern einen Teil seines frühern Magnetismus wieder an. Man kann auf diese Weise einen ganz unmagnetischen Stab herstellen, welcher durch Erschütterungen magnetisch wird.

Alle diese Erscheinungen sind leicht zu verstehen unter der Voraussetzung, daß die magnetisierbaren Körper aus Elementarmagneten bestehen, welche im unmagnetischen Zustande lediglich unter dem Einflusse der im Innern der Körper thätigen Molekularkräfte alle möglichen Lagen haben, welche aber durch den Akt des Magnetisierens sämtlich parallel gerichtet werden. Dieser Parallelstellung wirken beim Magnetisieren die Molekularkräfte entgegen, welche die Moleküle in der ursprünglichen Gleichgewichtslage erhalten wollen; wenn nun aber die Moleküle durch Erschütterungen bereits in Bewegung sind, so werden sie dem Einflusse der magnetisierenden Kraft leichter folgen als ohnedem. Man kann, um dieses leichter zu übersehen, den Vorgang sehr gut, wie Wiedemann²) thut, mit der Bewegung einer Last auf horizontaler Grundlage vergleichen, wo nur die Reibung zu überwinden ist. Es bedarf dort einer viel größern Kraft, um die Last in Bewegung zu setzen, um die sogenannte Reibung der Ruhe zu überwinden, als um die bewegte Last in Bewegung zu erhalten.

Ebenso ist es mit der Erschütterung eines fertigen Magnetes. In demselben befinden sich die Moleküle nicht in ihrer stabilen Gleichgewichtslage, d. h. nicht in derjenigen, welche sie lediglich unter dem Einflusse der Molekularkräfte annehmen würden. Sind nun die Moleküle in Bewegung versetzt, so folgen sie dem Einflusse der stetig wirkenden Molekularkräfte leichter, als wenn sie ruhig in der Lage sind, welche sie unter dem Einflusse der magnetischen Kräfte angenommen haben.

¹⁾ Wiedemann, Poggend, Ann. Bd. C. Die Lehre von der Elektricität. Braunschweig. Bd. III. p. 668. (3. Aufl. 1883.) 2) Wiedemann a. a. O.

Von besonderem Interesse ist der in neuester Zeit ausführlich untersuchte Einfluss der Torsion auf den magnetischen Zustand der Magnete. Nachdem von Matteucci¹) und Wertheim²) der Einfluss der Torsion auf den Magnetismus eines Stabes außer Zweifel gesetzt war, hat Wiedemann 3) durch ausgedehnte Experimentaluntersuchungen die innigsten Beziehungen zwischen Magnetismus und Torsion nachgewiesen, welche viel zum Verständnis der Magnetisierungserscheinungen beitragen. Es wird daher gerechtfertigt sein, die Arbeiten Wiedemanns über Magnetismus und Torsion etwas ausführlicher zu betrachten.

Um den Einfluss der Torsion auf den Magnetismus eines Stabes zu untersuchen 1), wurden Stahlstäbe von 227 Millimeter Länge, 2 Millimeter Dicke und circa 7 Millimeter Breite verschieden stark magnetisiert und dam mit dem einen Ende in eine starke Zwinge von Messing eingeschraubt. Eine zweite Zwinge von Messing diente zur Befestigung der anderen Stabenden. Diese zweite Zwinge setzte sich in einem Cylinder von Messing fort, welcher in einem am Stativ des Apparates angebrachten Lager lag und in demselben mit einem Hebel um seine Axe gedreht werden konnte. Der Hebel konnte in verschiedenen Lagen festgestellt werden. Der Cylinder trug ferner einen Teilkreis, auf welchen ein am Stativ befestigter Zeiger eingestellt war, so dass man die dem Stabe erteilte Torsion daran ablesen konnte. Der Magnetstab lenkte einen anderen Magnet ab, dessen Ablenkung dann das magnetische Moment des tordierten Stabes bestimmte. Der abgelenkte Magnet war eine spiegelnde Stahlplatte, die Bestimmung der Ablenkung geschah in der bei den Versuchen von Gauss beschriebenen Methode mit Skala und Fernrohr.

Aus Versuchen von Wertheim und Wiedemann ergiebt sich zunächst, das eine Torsion während des Magnetisierens folgenden Einfluss hat. Wird ein Stab während des Magnetisierens vielfach hin und her tordiert, so erhält er im Zustande der Detorsion bald einen konstanten Magnetismus, welcher durch gleiche Drehungen nach links und rechts gleich stark vermindert wird. Tordiert man einen Stahlstab während des Magnetisierens immer nach einer und derselben Richtung, so wüchst zunüchst bei schwacher Torsion der Magnetismus und nimmt bei stärkerer wieder ab.

Tordiert man dagegen einen fertigen Magnetstab, so nimmt mit jeder Torsion sein Magnetismus zunächst ab, auch bei der Detorsion erleidet er einen kleinen Verlust. Eine wiederholte Torsion nach derselben Seite vermindert den Magnetismus des Stabes noch ganz wenig. Wird der Stab indessen nach der entgegengesetzten Seite gedreht, so tritt plötzlich eine neue starke Verminderung des Magnetismus ein.

Diese Sätze ergeben sich aus folgenden Beobachtungen Wiedemanns. Die erste Kolumne der Tabelle enthält den Torsionswinkel nach rechts mit dem Vorzeichen +, nach links mit dem Zeichen -; die mit m über-

Matteucci, Comptes Rendus. T. XXIV.
 Wertheim, Comptes Rendus. T. XXXV. Annales de chim. et de phys.

³⁾ Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. CIII und CVI, ferner Elektricität etc. Bd. III. p. 671 ff. (3. Aufl. 1883.)

⁴⁾ Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. CIII und a. a. O.

schriebenen die beobachteten Magnetismen, und die mit a überschriebenen die Quotienten der auf einander folgenden Magnetismen.

Torsion	m	α	m	α	m	α	2778	ce
0	42,2	-	56	-	95,2	-	156,8	-
+20	39	0,924	51,5	0,919	88,6	0,930	150	9,959
+40	36	0,922	48,5	0,941	84,8	0,957	143,2	0,954
+60	33,8	0,939	46	0,949	81,2	0,958	138,5	0,967
0	33,2		45,5	-	80,3	1	136,5	
- 60	29		41,3		74		126,5	
0	29		42		75		128,5	

Wie man sieht, nahm der Magnetismus bei der Torsion nach rechts stetig und bei gleicher Drehung fast den ursprünglichen Magnetismen der Stäbe proportional ab, auch die Detorsion auf O zeigt eine kleine Schwächung, während die Torsion nach links wieder eine bedeutende Schwächung bewirkt.

Der zuletzt untersuchte Stab wurde nun wiederholt nach rechts und links um 60° gedreht; es zeigten sich folgende Magnetismen:

Eine wiederholte Hinundherdrehung bewirkt also, daß der Magnetismus des Stabes einer konstanten Größe sich nähert. Das zeigen noch deutlicher folgende Resultate. Der ursprüngliche Magnetismus des Stabes war gleich 496,4. Derselbe wurde nun wiederholt um 30° hinundhergedreht. Im Zustande der Detorsion zeigte er dann

nach Drehungen 0 10 20 30 40 50 60 80 100 120 Magnetismen 496,4 68,2 60,2 59 57,7 57,5 56,8 55,9 54,9 54,5

Wurde jetzt der Stab je um 30° abwechselnd nach rechts und nach links gedreht, so fand sich in diesen beiden Lagen (r, l) oder im Zustande der Detorsion sein Magnetismus wie folgt:

Torsion r 0. l 0 r 0 l 0 r 0 l 0 r 0 Magnetismus 59,4 57,1 53 54,4 59,4 57,2 53 54,5 59,4 57,1.

Wird demnach ein Stab so vielfach hin und her gedreht, das sein Magnetismus konstant geworden war, wenn er im Zustande der Detorsion ist, so bewirkt jede Torsion nach der einen Seite eine Zunahme, nach der anderen Seite eine Abnahme des Magnetismus. Der Magnetismus des Stabes, wenn er nicht tordiert ist, steht zwischen beiden, er ist größer, wenn der Stab aus der Lage des Maximums, als wenn er aus der Lage des Minimums in die Gleichgewichtslage zurückkehrt.

Wurde ein Stahlstab erst magnetisiert, dann ihm ein Teil seines Magnetismus entzogen und darauf nach einer Seite immer stärkeren Drehungen ausgesetzt, so zeigte sich ein sehr auffallendes Verhalten, wie *-lgende Tabelle zeigt. In der ersten Kolumne ist der ursprüngliche, in zweiten der Magnetismus angegeben, welchen die Stäbe nach dem

Entmagnetisieren noch hatten, in den folgenden der Magnetismus, welchen sie zeigten, wenn sie um die an der Spitze jeder Kolumne angegebene Anzahl von Graden tordiert waren:

M	m	10 0	20^{0}	30°	40°	50^{0}	60^{0}
205	174	154	137	126	118	111	109
209	91	92,5	89,7	84,3	80,2	78	76
185	71,1	73,6	72,5	69,5	66,3	64,6	63,5
190	51,5	57	59,5	58	57,5	57,0	56,5
180	37,5	41,8	45,6	46,8	47	46,8	46,5
185	29	34,5	39,5	42	42,6	43,5	43,5
180	5	14,5	20,8	23,2	25,6	28,2	29
180,5	1	1,8	14	18	21,6	22,3	

Ein Magnetstab, welchem durch entgegengesetztes Magnetisieren ein Teil seines Magnetismus entzogen ist, verliert demnach durch Torsion noch Magnetismus; ein Magnetstab aber, dem durch entgegengesetztes Magnetisieren ein großer Teil seines Magnetismus entzogen ist, zeigt bei der Torsion erst einen stärkern Magnetismus als untordiert. Der Magnetismus wächst bis zu einem Maximum und nimmt bei weiterer Torsion wieder ab. Je größer die Menge des entzogenen Magnetismus ist, um so stärker muß die Drehung sein, damit das Maximum erreicht wird. War der Stab ganz entmagnetisiert, so nimmt er durch die Torsion wieder Magnetismus an, der mit der Torsion wächst, aber langsamer als diese.

Ein einigermaßen ähnliches Verhalten zeigt sich nach den Versuchen von Wertheim und Wiedemann, wenn man einen Eisenstab oder Stahlstab vor dem Magnetisieren stark tordiert und dann während des Wirkens oder nach dem Aufhören der magnetisierenden Kräfte detordiert.

Giebt man einem Eisenstabe, bevor er den magnetisierenden Einflüssen ausgesetzt ist, eine starke Torsion, magnetisiert ihn sodann und detordiert ihn bei stetem Einwirken der magnetisierenden Kraft, so nimmt der Magnetismus zu, bis der Stab in der Gleichgewichtslage ist, selbst wenn man vor der Detorsion den Stab anhaltend und kräftig erschüttert hat. Tordiert und detordiert man den Stab unter dem Einflusse der magnetisierenden Kräfte, so findet sich das Maximum des Magnetismus, ehe der Stab seine Gleichgewichtslage erreicht. Bei vollständiger Detorsion nimmt dann der Magnetismus des Stabes wieder ab. Beim weichen Eisen bedarf es einer viel bedeutenderen Torsion, um das magnetische Maximum aus der Gleichgewichtslage zu entfernen, als bei hartem Eisen.

Bei Stahlmagneten ist das Verhalten ähnlich; magnetisiert man einen stark tordierten Stab und läst dann die magnetisierenden Kräfte aufbren zu wirken, so wächst bei der Detorsion der Magnetismus bis zu einem saximum. Das Maximum wird bei einer um so geringeren Detorsion reicht, je weicher der Stahl ist. Der Abstand des Maximums von der leichgewichtslage ist also bei permanenten Magneten um so größer, bei mporären um so kleiner, je weicher das angewandte Material der agnete ist.

Vom größten Interesse ist es nun, dass Wiedemann ganz analoge inflüsse des Magnetismus auf die Torsion eines Stabes aufgefunden hat. ir begnügen uns hier damit, die Resultate der Wiedemannschen Unter-

suchungen mitzuteilen; betreffs der Methode der Untersuchung und der einzelnen Beobachtungen verweisen wir auf die Originalarbeiten¹).

Magnetisiert man einen tordiorten Eisendraht, so wird derselbe infolge des Magnetisierens zum Teil aufgedreht; diese Detorsion wird stärker, je stärker die Drähte magnetisiert werden, jedoch nicht in demselben Verhältnisse, als der Magnetismus wächst, sondern in einem schwächern.

Magnetisiert man einen Eisendraht schwach, so dass er um ein weniges detordiert wird, läst dann die magnetisierenden Kräfte aufhören, aber nach einiger Zeit wieder ebenso wirken als vorher, so tritt keine Zunahme der Detorsion ein; magnetisiert man dann aber den Draht ganz ebenso stark in entgegengesetzter Richtung, so wird er weiter detordiert. Ist durch den zuletzt erteilten Magnetismus der Stab so weit aufgedreht, als es geschehen kann, so bewirkt jetzt eine dieser entgegengesetzte Magnetisierung wieder eine Zurückdrehung, eine gleichgerichtete Magnetisierung wieder eine Detorsion. Um das letztere Resultat leichter verstehen zu können, teilen wir hier zwei Beobachtungsreihen von Wiedemann mit.

I. Draht 0,8 Millimeter dick, tordiert um 303°.

Magnetismus
$$+7$$
 0 $+7$ 0 -7 0 $+7$ 0 -7 0 Detorsion 6,4 4,7 6,4 4,7 13,8 12,1 10,6 10,4 13,5 12,6.

II. Draht 0,8 Millimeter dick, tordiert um 530°.

Magnetismus
$$-7.8$$
 0 $+7.8$ 0 -7.8 0 $+7.8$ -7.8 Detorsion 5.5 5.2 14 13.7 10.3 9.8 13.5 10.3

Man ersieht daraus deutlich, wie die durch Magnetisierung in dem einen Sinne + erreichte Detorsion durch Magnetisierung in entgegengesetztem Sinne bedeutend verstärkt wird, und wie dann durch Magnetisierung in dem frühern Sinne die Detorsion wieder abnimmt.

Die bisherigen Untersuchungen beziehen sich auf Drähte, welche einfach durch eine starke Drehung eine gewisse dauernde Torsion erlangt hatten. Den Versuchen mit Magneten analog untersuchte Wiedemann dam auch den Einfluss des Magnetismus auf Drähte, welche erst eine gewisse permanente Torsion nach einer Seite erhalten hatten und dann durch entgegengesetzte Drehung zum Teil wieder detordiert waren. Die Resultate stellte er in folgenden Sätzen zusammen.

Magnetisiert man einen Eisendraht, der eine bestimmte permanente Torsion erhalten hat, so wird die Torsion vermindert. Hat man einem tordierten Eisendraht durch entgegengesetzte Drehung einen kleinen Teil seiner Torsion genommen, so bewirkt eine Magnetisierung noch eine Verminderung der Torsion; ist die durch entgegengesetzte Drehung erzeugt Detorsion des Drahtes größer gewesen, so bewirken schwache Magnetisierungen zunächst eine Vermehrung der Torsion bis zu einem Maximum Stärkere Magnetisierungen vermindern dieselbe wieder. Je stärker die Detorsion war, desto stärker muß auch die Magnetisierung sein, damit jene Maximum erreicht wird.

Schliefslich untersuchte Wiedemann den Einfluss der Magnetisierun

¹⁾ Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. CVI und Lehre von der Elektricität et a. a. O.

uf nicht permanent tordierte Drähte, sondern auf solche, welche durch Inwendung spannender Gewichte in einer bestimmten abgelenkten Lage Es zeigte sich, dass dann die Drähte bei schwacher rhalten wurden. Magnetisierung stärker tordiert wurden, und dass die stärkere Torsion auch sich Aufhören der magnetisierenden Kräfte fortdauerte. Bei stärkerer Magnetisierung detordiert sich der Draht indes und kehrt nach Aufheben ler Magnetisierung in seine frühere Gleichgewichtslage zurück.

Vergleicht man den Einfluss der Torsion auf den Magnetismus und len des Magnetismus auf die Torsion, so zeigt sich in beiden die volltändigste Analogie so sehr, dass man in den die dargelegten Resultate mssprechenden Sätzen einfach die Wörter Magnetismus und Torsion mit einander vertauschen kann, wie z. B. folgende Zusammenstellung einiger

Sätze zeigt:

Torsion.

- 1) Die permanente Torsion der Eisendrähte nimmt durch ihre Magnetisierung ab, und zwar langsamer, ils der Magnetismus wächst.
- 2) Wiederholte Magnetisierungen in gleichem Sinne vermindern die forsion kaum noch. Eine Magnetisierung im entgegengesetzten Sinne wie die erste bewirkt aber eine neue Verminderung der Torsion.

Magnetismus.

- 1) Der permanente Magnetismus der Stahlstäbe nimmt durch ihre Torsion ab, und zwar langsamer, als die Torsion wächst.
- 2) Wiederholte Torsionen in gleichem Sinne vermindern den Magnetismus kaum noch. Eine Torsion im entgegengesetzten Sinne wie die erste bewirkt aber eine neue Verminderung des Magnetismus.

Ganz dasselbe gilt von den übrigen vorhin mitgeteilten Sätzen.

Es würde schwer sein, dieses ganz analoge Verhalten des Magnetismus und der Torsion aus der Hypothese zu erklären, dass die Ursache des dagnetismus in zwei magnetischen Fluidis bestände, welche bei dem Akte les Magnetisierens von einander geschieden werden, während dagegen Niedemann zeigt, dass sie sich aus der Annahme drehbarer Elementaragnete ableiten lassen. Es würde zu weit führen, die Theorie von Viedemann hier vollständig darzulegen; wir beschränken uns daher darauf, ie Grundzüge derselben mitzuteilen und dieselbe auf einzelne der gefunenen Sätze anzuwenden.

Die Torsion eines permanent magnetischen Stabes hat eine dauernde nd eine vorübergehende Wirkung. Zunächst wirkt die Torsion wie jede rschütterung, da bei der Torsion die Moleküle des Stabes ebenfalls in ewegung versetzt werden; die Torsion muß daher zunächst eine dauernde erminderung des Magnetismus zur Folge haben. Zweitens hat sie aber 16 Wirkung, welche nur so lange wie die Torsion selbst dauert. Werden mlich durch Magnetisieren eines senkrecht gestellten Stabes die Axen der ementarmagnete mehr oder weniger senkrecht gerichtet, so können dieben in allen möglichen senkrechten Ebenen liegen, von denen eine gesse Anzahl zugleich die Axe des Stabes in sich aufnehmen, während die leren nur der Axe parallel sind. In diesen letzteren Ebenen werden ensoviele Elementarmagnete ihre Nordpole von der Vertikalen aus zur iken als zur Bechten liegen haben. Bei der Torsion werden daher in sen Ebenen ebensoviele Axen in die. Höhe der magnetischen Axe parallel

gerichtet als durch Senkung des Nordpoles von ihr fort gerichtet werden. Durch die Drehung dieser Moleküle kann daher der magnetische Zustand des Stabes nicht geändert werden. Anders aber ist es mit den Elementer magneten, deren Axen sämtlich in solchen Vertikalebenen sich befinden welche die Axe des Stabes in sich aufnehmen. Bei jeder Torsion werder die Axen dieser Magnete aus den betreffenden Ebenen nach der gleiche Richtung heraus gedreht und der Horizontalen mehr genähert. Auch diesem Grunde wird daher eine Verminderung des Magnetismus infolge der Torsion eintreten. Um das in einigen Fällen verschiedene Verhalten des Eisens und Stahles zu erklären, reicht es hin anzunehmen, dass die Eisenmoleküle, wie sie dem magnetisierenden Einflusse leichter folgen, so auch der Torsion leichter folgen als die Moleküle des Stahles, dass sie überhaupt leichter beweglich sind als die Molekule des Stahles. klären sich z. B. die Erscheinungen, welche ein Eisenstab oder ein Stahlstab zeigen, wenn sie während des Magnetisierens tordiert und detordiert werden, wie Wiedemann im einzelnen nachweist.

Die beiden vorhin zusammengestellten Sätze, dass der Magnetismus eines Stahlstabes mit der Torsion, aber langsamer als diese abnimmt und dass wiederholte Torsionen nach derselben Seite ihn nur wenig mehr schwächen, dagegen eine Torsion nach entgegengesetzter Seite ihn wieder bedeutender schwächt, sind sofort aus der obigen Theorie abzuleiten. Daß ersteres der Fall sein muß, ergiebt sich aus der Überlegung, dass bei Neigungen der Axen der Elementarmagnete um gleiche Winkel die erste Neigung von der Vertikalen aus den Magnetismus des Stabes mehr schwächen muss, als wenn die Axen bereits in einer geneigten Lage sind. ergiebt sich auch, dass eine wiederholte Torsion nach derselben Seite des Magnetismus nur wenig schwächt. Dass dann eine Torsion nach der entgegengesetzten Seite den Stab wieder stärker schwächt, folgt daraus, das die bei der früheren Torsion nach der einen Seite geneigten Axen der Elementarmagnete wegen der geringen Beweglichkeit der Molektile nicht wieder in die Vertikalebene zurückkehren, sondern nur ein wenig aufgerichtet werden, dass aber gleichzeitig noch in der Vertikalebene befindliche Axen um ebensoviel aus der Vertikalebene nach der entgegengesetsten Seite geneigt werden.

Da somit die Magnetisierung wie die Torsion in einer Drehung der Moleküle des Drahtes ihren Grund hat, so wird man umgekehrt ebenso den Einflus des Magnetisierens auf die Torsion einsehen. In einem permanent tordierten Drahte sind die Moleküle ebensowenig in der durch die Molekularkräfte bedingten Gleichgewichtslage, als in einem Magnete. Die Bewegung, welche das Magnetisieren den Molekülen erteilt, wird daher bewirken, dass sie leichter den Molekularkräften folgen, welche sie in die Gleichgewichtslage zurückzuführen streben. Deshalb muß die Torsion des Drahtes abnehmen.

In ähnlicher Weise leitet Wiedemann die vorhin angeführten Beziehungen zwischen Torsion und Magnetismus im einzelnen aus seiner Theorie ab, so daß wir in diesen Erscheinungen eine bedeutende Stütze für die Annahme drehbarer Elementarmagnete in den magnetisierbaren Substanzen erkennen.

Man wird aus dem zuletzt Entwickelten zugleich schließen, daß ahr

The Einwirkungen wie die Torsion auf Magnete ebenfalls von Einfluss sein aussen, dass also die Biegung, welche auch mit einer Erschütterung und Prehung der Moleküle verbunden ist, den magnetischen Zustand eines tabes ändern muß. Das ist in der That auch von Wertheim nachgewiesen vorden, er zeigte 1), dass durch Biegung von Stäben, während sie magnetisiert wurden, ihr temporärer Magnetismus, und dass bei Biegung von Tagneten der dauernde Magnetismus geändert wurde. Die Gesetze dieser Inderungen sind indes noch nicht genauer bekannt, da es äusserst schwierig t, den Magnetismus eines Stabes bei der Biegung mit Genauigkeit zu messen, weil mit der Biegung stets eine Veränderung der Lage des magnetischen Stabes gegen die Messinstrumente verbunden ist.

Ebenso ist umgekehrt nachgewiesen worden, dass ein gebogener Stab infolge des Magnetisierens wieder gerader wird. Guillemin²) bog einen Eisenstab durch ein kleines, an seinem freien Ende angehängtes Gewicht ein wenig nach unten hin und magnetisierte ihn dann; er wurde gerader und blieb es, so lange der magnetische Zustand dauerte; nach dem Aufleben desselben bog er sich wieder wie früher.

Auch Verlängerungen oder Verktirzungen der Eisenstäbe oder Stahlstäbe haben Einflus auf den Magnetismus, wie umgekehrt die Magnetiterung Einflus auf die Länge der Stäbe hat. Diese Einflusse sind sehr verwickelt und je nach den Umständen des Versuches sehr verschieden. So mus ein Eisenstab, welcher so zwischen zwei ungleichnamige Pole gelegt wird, dass seine Längsaxe der Verbindungslinie parallel ist, schon dadurch eine Verlängerung erfahren, dass er von den beiden Polen einen Zug erfährt. Es ist deshalb sehr schwierig, bei derartigen Versuchen von einander zu trennen, was durch einen solchen Zug oder ähnliche Umstände rein mechanisch und was durch den Übergang in den magnetischen Zustand bewirkt wird³).

§. 20.

Einflusse der Wärme auf den Magnetismus. Bei der Betrachtung des Einflusses der Wärme auf den magnetischen Zustand der Körper muß man mehr noch als bei der Betrachtung der mechanischen Einwirkungen den temporären und permanenten Magnetismus, d. h. die Fähigkeit der Körper, unter dem Einflusse magnetisierender Kräfte Magnetismus anzunehmen, und den Magnetismus, welchen die Körper nach dem Magnetisieren besitzen, von einander trennen, da der Einfluß der Wärme auf die Magnetisierbarkeit und somit auf den Magnetismus, den ein Körper während der Wirkung der magnetisierenden Kräfte annimmt, ein ganz anderer ist, als auf den magnetischen Zustand fertiger Magnete.

Der temporäre Magnetismus oder die Magnetisierbarkeit des weichen Eisens nimmt nach älteren Versuchen bei Erhöhung der Temperatur bis zu

¹⁾ Wertheim, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XXIII. Poggend. Ann. Bd. LXXVII.

Guillemin, Comptes Rendus. T. XXII.
 Man sehe die Zusammenstellung der hierher gehörigen Versuche, Wiedeman, Die Lehre von der Elektricität, III. Band, p. 698 ff. (1883).

gewissen Grenzen zu. Schon für Temperaturänderungen, welche weniger als 100° betragen, ist nach den Versuchen von Kupfer¹) diese Zunahme merklich. Kupfer legte einen Stab von weichem Eisen, auf welchen magnetisierende Kräfte einwirkten, in ein Wasserbad, welches von der Temperatur der Umgebung bis auf 100° erwärmt und wieder abgekühlt wurde. Über der Mitte des Stabes wurde eine Magnetnadel aufgehängt und aus deren Schwingungszahl in der früher angegebenen Weise auf den Magnetismus des Stabes geschlossen. Es zeigte sich, daß der Magnetismus des Eisens bei 100° größer war als vor dem Erwärmen und nach dem Erkalten.

Scoresby hat gezeigt²), dass diese Zunahme der Magnetisierbarkeit bis zur dunklen Rotglühhitze des Eisens und Stahles geht. Er stellte neben einer Magnetnadel Stangen von verschiedenem Eisen und Stahl auf, welche einer magnetisierenden Kraft ausgesetzt waren, und beobachtete die Ablenkung der Nadel, wenn die Stäbe kalt oder glühend waren. Die Ablenkungen waren bei dem Stabe von

	kalt	dunkelrot			
Gufseisen	210 30'	620			
Schmiedeeisen	400	55^{0}			
Weichem Eisen	15° 10'	410 11'			
Weichem Stahl	110 8'	480			
Hartem Stahl	80	47º 30'.			

Bei allen Stäben ist also die Ablenkung stärker, wenn sie glühend sind, als wenn sie kalt sind; die Zunahmen sind aber bei den verschiedenen Stäben verschieden.

Nach einigen Versuchen von Wiedemann³) scheint indes dieser Satz nur auf die erste Erwärmung des Eisens beschränkt, und dann zugleich dahin erweitert werden zu müssen, daß nicht nur die Erwärmung, sondern jede erste Temperaturänderung den temporären Magnetismus verstärkt. Er fand, daß Eisenstäbe unter dem Einfluß magnetisierender Kräfte stets bei der ersten Temperaturänderung an Magnetismus gewannen, mochte diese erste Temperaturänderung eine Erwärmung von 16° auf 100° sein oder eine Abkühlung von 100° auf 16°. Bei wiederholten Erwärmungen und Erkältungen zwischen 20° und 100° änderte sich der Magnetismus des Stabes kaum mehr.

Denselben Satz könnte man vielleicht schon aus einer Beobachtung von Seebeck⁴) schließen, der fand, daß die Magnetisierbarkeit des Eisens nach dem Abkühlen von der Rotglühhitze ungefähr dieselbe war, als bei der Rotglühhitze. Ein horizontal gelegter Stab wurde dadurch magnetisiert, daß nahe seinem einen Ende ein Magnet hingelegt wurde, und dann seinem andern Ende eine Magnetnadel genähert, welche von ihm abgelenkt wurde.

¹⁾ Kupfer, Kastners Archiv. Bd. VI.

²⁾ Scoresby, Gehlers physikalisches Wörterbuch. Bd. VI. 2. Abtlg.
3) Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. CXXII; Lehre von der Elektricität,
III. Bd. p. 741 ff.

⁴⁾ Seebeck, Poggend. Ann. Bd. X.

Die Ablenkungen betrugen

ohne	Eisen,	unter	all	ein	iger	W	'irk	ung	des	M	ignets	17^{0}
Eisen	kalt .				٠.						· .	64^{0}
Eisen	dunke	lrot .										77^{0}
Eisen	wiede	r abge	küh	lt								75°.

Das Verhalten von Stahlstüben ist in einer Beziehung nach Versuchen n Wiedemann 1) etwas anders. Bei der ersten Temperaturänderung wächst ch bei ihnen stets der temporäre Magnetismus um ein Geringes, mag die mperaturänderung in einer Erwärmung oder Abkühlung bestehen. Nach maligem Erwärmen und Abkühlen wird indes der temporäre Magnetis-18 von Stahlstäben nicht von der Temperatur unabhängig, sie erhalten elmehr bei jeder Temperatur einen bestimmten Magnetismus, den sie lesmal auf dieselbe Temperatur gebracht wieder annehmen. Bei harten ahlstäben entspricht dann der höhern Temperatur der stärkere, bei ichen Stahlstäben der niedern Temperatur der stärkere Magnetismus.

Geht die Erwärmung des Eisens über die dunkle Rotglühhitze hinaus, nimmt die Magnetisierbarkeit wieder ab. Bei der Weißglühhitze ist th den Versuchen von Scoresby sowohl als von Seebeck das Eisen rchaus nicht mehr magnetisierbar. Nach Becquerel soll die Magnetisierkeit des Eisens und Stahles schon bei der hellen Rotglühhitze verwinden, Mauritius bestimmte diese Temperatur bei etwa 1000°, indem vorher weißglühend gemachte Stäbe in dem Momente, in welchem sie ingen auf einen Magnet zu wirken, in Wasser ablöschte²). Nach den rsuchen von Baur³) steigt die Temperatur, bei welcher die Magnetisierkeit aufhört, mit der Größe der magnetisierenden Kraft. Die magnethen Metalle Nickel und Kobalt verlieren ebenfalls ihren Magnetismus in 1eren Temperaturen, Nickel im siedenden Mandelöl bei 350°, Kobalt der Weissglühhitze.

So weit erhitzte Körper verlieren indes ihre Magnetisierbarkeit nicht ternd, sondern nur so lange, als diese hohe Temperatur dauert; sobald Temperatur wieder niedriger geworden ist, haben die Körper ihre gnetisierbarkeit und oft in erhöhtem Grade wieder erhalten. Man kann 1 davon leicht durch einen einfachen Versuch überzeugen. Man mache en Würfel von Nickel, der kalt von dem Magnete angezogen wird, mit Flamme eines Bunsenschen Brenners glühend; er folgt dem Magnete ht mehr. Wenn er sich dann aber abkühlt, so erreicht er bald eine nperatur, wo er wieder wie früher dem Magnete folgt.

Der Magnetismus eines Magnetstabes, also der permanente Magnetismus, d durch eine Steigerung der Temperatur teils dauernd, teils vorüberund, das heisst nur für die Zeit der Temperaturerhöhung geschwächt.

Eine bedeutende Temperaturerhöhung vernichtet den Magnetismus 68 Magnetes vollständig und dauernd, und zwar tritt dieser Verlust on bei Temperaturen ein, welche bedeutend niedriger sind als jene, welchen die Körper die Fähigkeit verlieren Magnetismus anzunehmen.

¹⁾ Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. CXXII. ener Berichte, Bd. LXXXII und Bd. LXXXIII. Man sehe auch Waszmuth,

²⁾ Mauritius, Poggend. Ann. Bd. CXX. 3) C. Baur, Wiedem. Ann. Bd. XI.

Magnetische Magneteisensteine verlieren ihren Magnetismus schon unterhalb der Glühhitze, Stahlmagnete sogar schon bei der Temperatur des siedenden Mandelöles, also unterhalb 400⁰1).

Geringere Temperaturänderungen schwächen den Magnetismus ebenfalls, und zwar ist hier die Schwächung teilweise dauernd, teils vorübergehend, d. h. beim Abkühlen nimmt der Magnetismus des Stabes wieder zu, jedoch nicht bis zu der Stärke, welche er vor dem Erwärmen besass. Dabei zeigt sich jedoch ein Unterschied, jenachdem der Stab zum ersten Male innerhalb der Temperaturgrenzen des Versuches erwärmt worden ist, oder ob er schon mehrfach erwärmt und abgekühlt ist. Bei der ersten Erwärmung und folgenden Abkühlung ist der Verlust am größten. Erwärmt man den Stab ein zweites Mal, so ist bei nachfolgendem Abkthlen allerdings noch eine Verminderung des permanenten Magnetismus vorhanden, dieselbe ist aber viel geringer als bei dem ersten Erwärmen. Bei wiederholtem Erwärmen nehmen die dauernden Schwächungen immer mehr ab, und schließlich wird der Stab durch Erwärmen nur mehr vorübergehend geschwächt, so dass er nach der Abkühlung wieder ebenso stark magnetisch ist, wie er vor dem Erwärmen war. Es ergiebt sich das aus älteren Beobachtungen von Coulomb²), Kupfer³) und anderen.

Sowohl der dauernde Verlust bei oftmaligem Erwärmen und folgendem Abkühlen, als auch der vorübergehende Verlust solcher Magneta, welche nicht mehr dauernd geschwächt werden, hängt von sehr vielen Umständen ab.

Der dauernde Verlust ist unter übrigens gleichen Umständen nach Versuchen von Dufour4) um so größer, je höher die Temperatur ist, welcher der Stab erwärmt war.

Bei gleicher Temperaturerhöhung ündert sich nach den Versuchen von Moser und Riess⁵) der dauerde Verlust mit der Gestalt und den Dimensionen des Magnetes, mit der Beschaffenheit des Stahles und besonders mit der Härte desselben. Die Art der Erwärmung, ob länger oder kürzer dauernd, ist ohne Einfluss. Strouhal und Barus fanden indessen doch dass die Dauer der Erwärmung nicht ganz ohne Einfluss sei; der Magnetismus einer glasharten Stahlnadel nahm ab, bis die Erwärmung auf 100 eine Stunde gedauert hatte, erst dann trat bei längerem Erwärmen keine weitere Abnahme ein⁶).

Die wenigen allgemeinen Sätze, zu denen Moser und Riess gelangten sind folgende.

Der dauernde Verlust nimmt zu mit der Dicke des Stabes, er is größer bei hohlen Magnetstäben als bei massiven, ferner größer bei kur zeren als bei längeren. Harte Stäbe verlieren bedeutend mehr als weicht Der temporäre Verlust, den Magnetstäbe nach oftmaligem Erwärmen un Abkühlen bei jeder Temperaturerhöhung zeigen, nimmt unter übrigen

- 1) Faraday, Poggend. Ann. Bd. XXXVII. 2) Coulomb, Biot Traité de physique. T. III. 3) Kupfer, Kastners Archiv. Bd. VI.

- 4) Dufour, Archive de sciences physiques etc. de Genève. T. XXXIV. 5) Moscr und Riess, Poggend. Ann. Bd. XVII. 6) Strouhal und Barus, Über den Einflus der Härte des Stahles auf d Magnetisierbarkeit. Würzburg 1882.

leichen Umständen mit der Temperatur zu. Bezeichnet man den Magneismus eines Stabes bei der Temperatur t mit M, so wird er bei der Temperatur t' sich darstellen lassen durch die Gleichung

$$M' = M\{1 - a(t'-t) - b(t'-t)^2\}.$$

Die Konstanten a und b in dieser Gleichung hängen ebenfalls von vielen Umständen, von der Stärke des Magnetismus M, von der Beschaffenheit des Stabes etc. ab; es fehlen darüber noch genauere Untersuchungen. In vielen Fällen scheint man b gleich null setzen zu können, so daß

$$M' = M\{1 - a(t'-t)\},\$$

der Verlust also der Temperaturerhöhung proportional ist1).

Wir kommen auf diese Fragen bei Besprechung des Elektromagneusmus nochmals zurück.

Der Einflus der Temperaturänderungen auf den magnetischen Zusand der Körper lässt sich mit der Hypothese der drehbaren Elementarmagnete leicht verstehen²).

Zunächst werden nämlich die Moleküle durch die Temperaturerhöhung glockert, die zwischen ihnen thätigen Molekularkräfte werden kleiner, die werden daher leichter beweglich. Die leichtere Beweglichkeit bewirkt dann, dass sie dem Einfluss der magnetisierenden Kräfte leichter folgen können, deshalb wächst zunächst der temporäre Magnetismus mit der Temperatur. Sind die Stäbe zum ersten Male erwärmt, so werden sie durch die Erwärmung weicher, deshalb bleibt auch nach der Abkühlung die Magnetisierbarkeit größer als früher; sind sie aber schon mehrsach erwärmt gewesen, so nehmen beim Abkühlen die Molekularkräfte wieder bis zu der Größe zu, welche sie vor dem Erwärmen hatten, die Magnetisierbarkeit wird daher nach dem Abkühlen wieder dieselbe wie vor dem Erwärmen.

Zu dieser Zunahme des temporären Magnetismus tritt dann noch, wie aus dem vollständigen Verschwinden der Magnetisierbarkeit in der Weißsglühhitze hervorgeht, eine Abnahme des Magnetismus der Elementarmagnete selbst. Diese ist indes nur vorübergehend, da nach dem Erkalten die Magnetisierbarkeit wieder die frühere wird.

Die Wirkung der Temperaturänderung auf die permanenten Magnete ergiebt sich daraus, daß durch die Temperaturänderung die Moleküle in Bewegung versetzt werden; die Magnete müssen daher ebenso an Magnetismus verlieren wie durch Erschütterungen. Deshalb verliert auch z. B. ein bei 100° magnetisierter Stab nicht mehr beim Abkühlen an Magnetismus, wenn er vor dem Abkühlen erschüttert worden ist.

Den vorübergehenden Verlust an Magnetismus bei jeder Temperaturerhöhung scheint man aus der durch die Temperaturerhöhung bedingten Schwächung der Elementarmagnete herleiten zu können, wobei es indes unerklärt bleibt, dass permanente Magnete schon in viel niedrigeren Temperaturen ihren Magnetismus vollständig und dann dauernd verlieren, als

Moser und Riess a. a. O. Wiedemannn, Die Lehre von der Elektricität.
 III S. 754 ff. (1883).
 Wiedemann, Galvanismus. Bd. II. 1. Abt. S. 623. (II. Aufl.).

jene sind, in welchen die Körper ihre Magnetisierbarkeit verlieren, wie es überhaupt vollkommen dunkel bleibt, worin der Grund liegt, daß die Elementarmagnete durch Erwärmung geschwächt werden.

Ebenso wie die Wärme Einflus auf den magnetischen Zustand der Körper hat, so auch das Magnetisieren auf den Wärmezustand. Die Magnetisierung des Eisens, sowie jede Änderung seines magnetischen Zustander bewirkt eine Erwärmung desselben. Nach den Versuchen von Joule's ist die durch Magnetisieren entwickelte Wärme dem Quadrate des erregter Magnetismus proportional. Joules Versuche waren folgendermaßen eingerichtet.

In eine Glasröhre, welche horizontal an einer vertikalen drehbaren Axe befestigt war, wurde ein Eisenstäben fest eingelegt, und die Röhre dann mit Wasser angefüllt. Diese Vorrichtung wurde zwischen die Pole eines sehr starken Hufeisenmagnetes so aufgestellt, dass wenn die Glasröhre von Pol zu Pol stand, der Eisenstab gewissermaßen den Anker des Magnets bildete. Wurde nun die Axe in sehr rasche Rotation versetzt, so änderte sich sehr rasch die Polarität des Magnetismus im Eisen, indem, wenn die Glasröhre von Pol zu Pol stand, jedes Ende des Stabe in raschem Wechsel südpolar und nordpolar wurde. Ein in das Wasse der Röhre eingetauchtes Thermometer zeigte die Temperaturerhöhung an Der Magnetismus des Hufeisens konnte in später zu beschreibender Weise beliebig geändert werden, und es zeigte sich, dass die Temperaturerhöhung dem Quadrate des dem Hufeisen erteilten Magnetismus, und somit auch dem Quadrate des im Eisenstabe erregten Magnetismus proportional war.

Die Wärmeerregung beim Magnetisieren erklärt sich ebenfalls leicht aus der Hypothese der drehbaren Molekularmagnete, indem dann jede Magnetisierung mit einer Drehung der Moleküle aus der Gleichgewichtblage, und jede Entmagnetisierung mit einer Zurückdrehung der Moleküle in die Gleichgewichtslage verbunden ist. Die mit diesen Drehungen notwendig verbundene Reibung ist die Ursache der Wärmeentwicklung; oder man kann auch annehmen, dass diese Drehungen selbst, da bei der Arkunft in die jeweilige Gleichgewichtslage die Bewegung der Moleküle nicht sofort aufhören wird, Oscillationen der Moleküle zur Folge haben welche als Wärme erscheinen.

Eine genauere Untersuchung dieser Frage können wir erst in der Schlussparagraphen dieses Bandes durchführen.

§. 21.

Einflus des Lichtes auf den Magnetismus. Die Frage, ob da Licht direkten Einflus auf den magnetischen Zustand eines magnetisier baren Körpers habe, wurde zuerst durch die Behauptung Morichinis²) an geregt, dass es ihm gelungen sei, durch die Einwirkung des blauen un violetten Lichtes Stahlnadeln zu magnetisieren. Die Versuche Morichini erregten begreiflicherweise ein sehr großes Aussehen und wurden der halb von sehr vielen wiederholt; die Resultate dieser Wiederholunge waren jedoch sehr widersprechend. Morichini hatte angegeben, dass ein

¹⁾ Joule, Philosophical Magazin. Vol. XXIII. 1843.

²⁾ Morichini, Gilberts Annalen. Bd. XLIII.

tahlnadel magnetisch werde, wenn man die eine Hälfte derselben mit lauem oder violettem Lichte beleuchte. Andere 1) konnten auf diese Weise einen Magnetismus hervorrufen, wohl aber wenn man die Nadeln mit nem Bündel blauen Lichtes von dem Nordende gegen die Mitte strich; ieder anderen gelang es durchaus nicht, die Nadeln unter Einwirkung es Lichtes zu magnetisieren. Dennoch wurde eine Zeit lang die Wirkung es Lichtes auf den Magnetismus angenommen, als Mss. Mary Sommeriller) und Baumgartner) in sehr einfacher Weise zu zeigen glaubten, as Nadeln durch Wirkung des Lichtes magnetisiert würden.

Mss. Sommerville gab nämlich an, dass man eine allen magnetisieenden Einflüssen entzogene Nadel zur einen Hälfte mit einem blauen ande umwickelt nur kurze Zeit der direkten Sonnenstrahlung auszusetzen rauche, um an dem umwickelten Ende einen Nordpol zu erhalten, und aumgartner behauptete, dass eine Stahlnadel, welche zur Hälfte poliert ar, nur dem Tageslicht ausgesetzt zu werden brauche, um magnetisch

Dadurch wurden Moser und Riess⁴) veranlasst diese Frage aufzunehen, und in einer ausgedehnten, mit der größten Sorgfalt ausgeführten sperimentaluntersuchung wiesen sie auf das überzeugendste nach, dass ie früheren Versuche, welche eine Magnetisierung durch das Licht erennen ließen, auf Täuschung beruhen müssen. Sie wandten das empfindchste Mittel zur Erkennung etwaiger Änderungen des magnetischen Zuandes an; eine magnetisierte Stahlnadel wurde an einem ungedrehten eidenfaden in einem der Drehwage ähnlichen Gefässe, vor allen Luft-Jömungen geschützt, aufgehängt und ihre Schwingungsdauer beobachtet. ede Änderung des magnetischen Zustandes der Nadel mußte sich dann urch eine Änderung der Schwingungsdauer zu erkennen geben. Diese adel wurde nach den verschiedenen, von den früheren Physikern angeebenen Methoden mit Licht behandelt; es zeigte sich aber weder eine onstante Vergrößerung, noch eine Verringerung der Schwingungsdauer, oraus sich ergiebt, dass durchaus keine Änderung des magnetischen ustandes der Nadel eintrat.

Ebenso zeigten sie, dass keine temporäre Magnetisierung durch das icht eintrat, indem sie vor einer Stahlnadel eine kleine Magnetnadel chwingen ließen und dann das eine Ende der Stahlnadel mit blauem Lichte eleuchteten. Es zeigte sich durchaus keine Änderung der Schwingungs-

Aus allem dem ergiebt sich, dass eine merkbare direkte Einwirkung les Lichtes auf den Magnetismus nicht existiert.

¹⁾ Man sehe Gehlers physikalisches Wörterbuch Bd. VI, 2. Abteilung, wo

<sup>iber alle nach dieser Richtung angestellten Versuche ausführlich referiert ist.
2) Miss Sommerville, Annales de chim. et de phys. T. XXXI.
3) Baumgartner, Zeitschrift für Mathematik und Physik von Baumgartner</sup> und Ettinghausen. Bd. 1. 4) Moser und Riess, Poggend. Ann. Bd. XVI.

Zweites Kapitel.

Vom Erdmagnetismus.

§. 22.

Nachweis des magnetischen Zustandes der Erde. Wir hibereits früher erwähnt, dass man die Richtkraft, welche einen sich settberlassenen, in horizontaler Ebene drehbaren Magnet dem Merid parallel zu stellen sucht, aus der Annahme erklärt, dass die Erde se ein Magnet sei, durch dessen Axe die Ebene des magnetischen Merid hindurchgehe. Da, wie wir ferner sahen, die Untersuchung der matischen Eigenschaft wesentlich auf der Richtkraft der Magnete basier wird es gerechtfertigt sein, in einem besonderen Kapitel den Nachweiliefern, dass wir in der That berechtigt sind, die Erde als einen Magne betrachten, und dann den Magnetismus der Erde genauer zu untersuchten.

Wenn die Erde in der That ein großer Magnet ist, so befinden alle der Untersuchung unterworfenen Apparate über einem großen Magn das Verhalten derselben muß daher das kleiner magnetischer Körper einem großen Magnete sein.

Denken wir uns nun zunächst eine kleine Magnetnadel über ei großen Magnete horizontal drehbar aufgestellt, so wird sie sich in der Axe des Magnets parallel stellen und von Pol zu Pol zeigen; die selbst überlassene Magnetnadel stellt sich nun immer einer bestimt Richtung parallel, sie verhält sich also in der That so, als wenn die] ein Magnet wäre, dessen Axe in der Ebene des magnetischen Meridi liegt. Gerade diese Beobachtung führte uns zu der Annahme des ma tischen Zustandes der Erde. Da wir die Richtung des magnetischen I dians durch den Winkel bestimmen, den derselbe mit dem astronomis Meridiane bildet, so sieht man ferner, da die Erde eine Kugel ist, deshalb der Winkel, den die Richtung der Magnetnadel mit dem a nomischen Meridiane bildet, man nennt ihn die Deklination der Mas nadel, an den verschiedenen Punkten der Erde sehr verschieden sein n Ist die magnetische Axe ein Durchmesser der Erdkugel, so muß es, wel auch ihre Richtung sein mag, eine Meridianebene geben, welche die ma tische Axe in sich aufnimmt; in dieser Meridianebene muß daher Richtung der Magnetnadel mit derjenigen des astronomischen Merid zusammenfallen. Außerhalb dieser Ebene muß die Deklination un größer sein, je größer der Winkel ist, den die Meridianebene des B achtungsortes mit jener Meridianebene bildet. Die Untersuchung der D nation wird darüber entscheiden, ob in der That die Richtung der Mas nadel dieser Voraussetzung entspricht; hier erwähnen wir nur vorgreit dass in der That die Deklination verschieden ist an den verschied Orten, so dass sich die Magnetnadeln nahezu einer festen Richtung Innern der Erde parallel zu stellen scheinen.

Ist die Nadel, welche wir über dem großen Magnete aufhängen, 1 bloß in der horizontalen Ebene drehbar, sondern auch in der vertik so wird sie sich an verschiedenen Punkten in der Nähe desselben schieden stellen. Befindet sie sich dem Nordpole des großen Mag

naher als dem Südpole, so wird sich die Nadel neigen, so daß der Südpol der Nadel nach dem Nordpole des Magnets hinweist; befindet sie sich gerade über der Mittellinie, so wird sie auch dann der Axe des Magnets sich parallel stellen; befindet sich die Nadel dem Südpole des Magnets näher als dem Nordpole, so wird sie sich wieder gegen die Axe des Magnets beigen und zwar so, daß der Nordpol gegen den Südpol des Stabes hinweist.

Um zu untersuchen, ob auch nach dieser Richtung die Erde sich wie ein großer Magnet verhält, genügt es nicht, einfach eine Magnetnadel in wetkaler Ebene drehbar aufzuhängen; es ist vielmehr erforderlich, zunächst die horizontale Drehungsaxe genau durch den Schwerpunkt der Nadel zu führen, bevor sie magnetisiert wird, damit man sicher sein kann, daß sie durch die Schwere selbst durchaus keine Richtkraft erhält. Hat man eine solche Nadel dargestellt und magnetisiert sie sodann, so zeigt sich in der That, daß sie sich gegen die Horizontale neigt, und zwar, wenn man dafür gesorgt hatte, daß die vertikale Drehungsebene die Ebene des magnetischen Meridianes ist, soweit, daß die Axe der Nadel in unseren Gegenden mit den Horizontalen einen Winkel von ungefähr 67° bildet, wobei der Nordpol der Nadel nach unten sinkt.

Es läfst sich leicht zeigen, daß diese Richtung der Nadel nur magnetischen Einflüssen zuzuschreiben ist, nicht etwa einer Verschiebung des Schwerpunktes infolge des Magnetisierens. Verändert man nämlich die Dehungsebene der Nadel, läfst man sie mit der Ebene des magnetischen Meridianes immer größere Winkel bilden, so bleibt die Neigung der Nadel nicht ungeändert, sie nimmt im Gegenteil stets zu, bis schließlich die Nadel vertikal steht, wenn die Drehungsebene zur Ebene des magnetischen Meridianes senkrecht ist.

Eine genauere Untersuchung dieser Neigung der Magnetnadel, welche man mit dem Namen der Inklination bezeichnet, wird später zeigen, daß such die Inklination an verschiedenen Stellen der Erde sehr verschieden ist, daß sie, wenn man sich einem gewissen Punkte auf der Nordhälfte der Erde nähert, immer größer, dagegen wenn man sich dem Äquator allert, immer kleiner wird.

In der Nähe des Äquators befindet sich eine rings um die Erde laufende Linie, in welcher die Inklination gleich null ist. Überschreitet man diese Linie nach Süden hin, so kehrt sich die Neigung der Nadel um, der Südpol inkt unter, der Nordpol erhebt sich über die Horizontale. Auch auf der Südhälfte der Erde giebt es einen Punkt, wo die Nadel sich vertikal

stellt mit dem Südpole nach unten.

Es ergiebt sich aus dem Gesagten, daß das Verhalten von Magneten in der Erdoberfläche in der That so ist, als wenn die Erde ihrer ganzen Masse nach, oder doch zum großen Teile ein Magnet wäre, dessen Südpol wich in der Nähe des astronomischen Nordpoles, dessen Nordpol wich in der Nähe des astronomischen Südpoles befindet. Denn aus der Richtung der Magnete an der Erdoberfläche folgt, daß auf jeden Magnet ein Kräftepaar einwirkt ganz ebenso wie von einem großen Magnete auf einen Meinen, dessen Dimensionen gegen den großen und gegen den Abstand von den Polen verschwindend klein sind.

Wir können noch einen weitern Beweis dafür liefern, dass die Erde die ein Magnet betrachtet werden muss. Wie wir sahen, wird weiches Eisen

unter dem Einflusse eines Magnetes vorübergehend und Stahl dauernd zu einem Magnet. Ist demnach die Erde ein Magnet, so muß unter dem Einflusse der Erde ebenfalls Eisen oder Stahl magnetisch werden. Das ist der Fall. Wenn man einen Stab weichen Eisens parallel dem magnetischen Meridiane, oder vertikal, oder noch besser parallel der Richtung der Inklinationsnadel hält, so wird derselbe sofort magnetisch, so zwar, daß das untere Ende des Stabes nordpolar, das obere Ende desselben südpolar wird. Nähert man dem untern Ende des Stabes den Nordpol einer Magnetnadel, so wird derselbe abgestoßen, von dem oberen Ende wird er angezogen, der Südpol wird von dem unteren Ende angezogen, von dem oberen abgestoßen.

Kehrt man den Stab um, so wird sein Magnetismus auch sofort umgekehrt, wenn derselbe aus ganz weichem Eisen besteht; ist das nicht der Fall, besitzt der Stab einige Koercitivkraft, so braucht man nur den Stab ein wenig durch Hammerschläge oder Torsion zu erschüttern, um den Magnetismus des Stabes umzukehren. Daraus ergiebt sich schon, daß mit Koercitivkraft begabte magnetische Substanzen unter dem Einflusse des Erdmagnetismus dauernd zu Magneten werden, besonders wenn man die Magnetisierung durch Erschütterungen unterstützt. Da nun wohl alle eisernen Instrumente nicht aus vollkommen weichem Eisen bestehen, da ferner wohl alle in einer der Ebene des magnetischen Meridianes parallelen Stellung mehrfach erschüttert sind, so findet man fast nie ein eisernes Werkzeug, welches nicht unter dem Einflusse des Erdmagnetismus bleibend magnetisch geworden ist.

Die Untersuchung des Erdmagnetismus hat einen doppelten Zweck; zunächst die Elemente desselben an dem Beobachtungsorte zu bestimmen, da wir derselben zur Untersuchung des magnetischen Zustandes der Körper bedürfen. Die Elemente desselben sind die Richtung der erdmagnetischen Kraft an dem Beobachtungsorte und die Größe dieser Kraft. Um die Richtung der erdmagnetischen Kraft zu erhalten, bedarf es der Kenntnis der Deklination, der Richtung des magnetischen Meridianes und der Inklination, der Richtung einer in ihrem Schwerpunkte aufgehängten Magnetnadel, welche um eine zur Ebene des magnetischen Meridianes senkrechte Drehungsaxe sich frei drehen kann.

Um die Größe der erdmagnetischen Kraft zu erhalten, bestimmt man am bequemsten die horizontale Komponente derselben, d. h. das Drehungsmoment, welches sie einem Magnetstabe erteilt, der die Einheit des freien Magnetismus enthält, und welcher um eine vertikale Axe drehbar ist. Bezeichnen wir diese horizontale Komponente mit T, und den Winkel der Inklination mit i, so ist das Drehungsmoment, welches der Erdmagnetismus einer in ihrem Schwerpunkt aufgehängten Nadel erteilt, welche nach allen Richtungen frei drehbar ist,

$$S = \frac{T}{\cos i},$$

da die horizontale Komponente gleich ist dem Produkte aus der ganzen Kraft und dem Cosinus des Neigungswinkels.

Der zweite Zweck, den wir bei der Untersuchung des Erdmagnetismus haben, ist mehr ein physikalisch-geographischer, nümlich der, den magne-

chen Zustand der Erde kennen zu lernen, d. h. die Lage der magnechen Axe und die Stärke des Magnetismus. Zu dem Zwecke ist es forderlich, für möglichst viele Punkte der Erdoberfläche die oben anführten Beobachtungen durchzuführen und zusammenzustellen. Daraus rd sich der magnetische Zustand der Erde berechnen lassen, gerade so, ie wir aus den Beobachtungen einer Menge kleiner, in der Nähe eines oßen Magnets aufgestellter Magnete die Lage und Kraft des großen agnets bestimmen können. Wir werden in einer kurzen Übersicht am hlusse angeben, wie weit die Wissenschaft in dieser Beziehung vorschritten ist.

§. 23.

Bestimmung der Deklination. Die Bestimmung der Richtung des agnetischen Meridianes durch die Deklination, d. h. durch den Winkel, elchen derselbe mit dem astronomischen Meridiane bildet, zerfällt in zwei trennte Aufgaben; die erste, eine rein astronomische, besteht in der stimmung des astronomischen Meridianes an dem Orte der Beobachtung. Itreffs der Lösung derselben verweisen wir auf die Handbücher der stronomie, und setzen voraus, dass an dem Orte der Beobachtung diese chtung vollständig genau bekannt sei. Ist das der Fall, so erhält man e Deklination aus der Beobachtung des Winkels, welchen die Axe eines der Horizontalebene frei schwingenden Magnetstabes mit dem astronoischen Meridiane bildet.

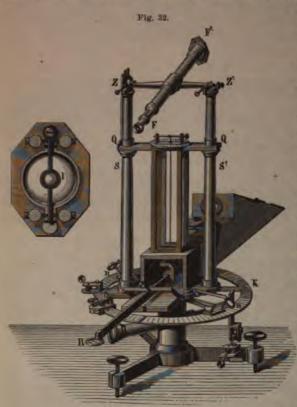
Die älteren Methoden wandten zu dieser Bestimmung sogenannte issolen an, Magnetnadeln oder Stäbe, welche auf einem geteilten Kreise i um eine vertikale Axe schwingen konnten. Die Nadeln hatten dabei tweder ein Achathütchen in der Mitte und wurden auf einer stählernen itze balanciert, oder waren an einem Coconfaden aufgehängt. Der gelte Kreis war nach dem astronomischen Meridiane orientiert, so daß wa die Punkte 0° und 180° auf demselben lagen, und man beobachtete nn den Winkel, den die Axe des Magnetes in der Ruhelage mit dem tronomischen Meridiane bildet.

Der vorzüglichste ältere Apparat zu diesem Zwecke ist wohl das klinatorium von Gambey¹). Dasselbe besteht (Fig. 32) aus einem mit iglichster Genauigkeit geteilten, mit einem Dreifuße versehenen Kreis K, r durch Stellschrauben genau horizontal gestellt werden kann. Um die tikale Axe dieses Kreises drehbar trägt derselbe zwei genau gleich age kupferne Säulen SS, welche unten durch eine kupferne Schiene fest it einander verbunden sind. In den Zapfenlagern dieser Säulen ZZ' eine Axe eingelegt, welche das Fernrohr FF' trägt, das somit in her vertikalen Ebene drehbar ist. Mit den Säulen fest verbunden sind ei an den entgegengesetzten Enden eines Durchmessers des Teilkreises festigte Nonien nn', welche somit die Stellung der Ebene des Rechtles SZZ'S, und deshalb auch der zu dieser senkrechten Drehungsebene S Fernrohres FF' auf dem Teilkreise zu bestimmen gestatten.

Der Apparat wird zunächst so aufgestellt, dass die vertikale Drehungs-

¹⁾ Gambey, Gehlers physik. Wörterbuch. Bd. I. Abweichung der Magnetidel.

ebene des Fernrohrs mit dem astronomischen Meridiane zusamme oder mit diesem einen genau bekannten Winkel bildet. Man g dazu, indem man das Fernrohr durch Beobachtung eines bekannten S oder durch Beobachtung fester entfernter Merkzeichen orientiert. M obachtet dann die Stellung der Nonien am Teilkreise. Darauf ver man das Rechteck SZZ'S so weit, daß die vertikale Drehungsebe



Fernrohres mi vorläufig anni bestimmten Ebe magnetischen M nes zusammenf

Die Säul sind weiter dure horizontalen balken QQ verb von der Mitte ben, also inder Teilkreises K. an einer, der l Drehwage ähr Vorrichtung e confaden herab, seinem unteren einen kupferne ger hat, in w man einen M stab einlegt. De netstab trägt nen beiden einen kupferne R, in welche Fadenkrenz a spannt ist.

Die Richtu Axe dieses Ma ist die Richtur

magnetischen Meridianes, welche gesucht wird. Setzen wir zunäch aus, daß die Verbindungslinie der Mittelpunkte der beiden Faden

die Richtung der magnetischen Axe des Stabes sei.

Man erhält die Richtung des magnetischen Meridianes, inder die Drehungsebene des Fernrohres so weit verschiebt, daß man den punkt der Fadenkreuze R an dem Fadenkreuze des Fernrohres sieht man, ohne die Drehungsebene zu verrücken, das Fernrohr durch Din seiner vertikalen Ebene nach und nach gegen die beiden Faden richtet. Da die Ebene des magnetischen Meridianes die durch die lage der magnetischen Axe des Stabes gelegte Vertikalebene ist, die Drehungsebene des Fernrohres die Ebene des magnetischen Meridianes die durch die Um diese Beobachtungen mit dem Fernrohre machen zu könner Gambey dem Objektive desselben eine äußerst sinnreiche Einrichtu

Fig. 33.

a,

Die Orientierung des Apparates nach dem astronomischen Meridiane nämlich Beobachtungen sehr entfernt liegender Punkte, während die itung der Fadenkreuze R erfordert, dass man mit demselben Fernast nach Art eines Mikroskopes sehr nahe liegende Punkte scharf ann. Mit einem und demselben Objektive ist das aber nicht mögdie Brennweite eines auf große Entfernungen eingerichteten Obzu groß sein muß, als daß von so nahen Punkten ein reelles dem Fernrohre entworfen werden könnte. Um das doch ohne erung des Objektives möglich zu machen, hat Gambey in der Mitte ektives, wie es die Nebenfigur zeigt, eine konkavkonvexe Glaslinse l cht, und so den mittlern Teil des Objektives in eine Linse von sinerer Brennweite verwandelt. Um die zur Orientierung des Apparforderliche Beobachtung sehr entfernter Punkte zu machen, wird eine Kappe der mittlere Teil des Objektives bedeckt, und die ring-Linse großer Brennweite liefert das reelle Bild der entfernten Zur Beobachtung der Fadenkreuze wird der ringförmige Teil und der mittlere Teil frei gemacht; derselbe liefert dann das 3ild der Fadenkreuze.

ir haben vorhin vorausgesetzt, daß die Verbindungslinie der beiden reuze R die magnetische Axe des Stabes sei, und daß man ohne ebung der Drehungsebene des Fernrohres beide Fadenkreuze durch g des Fernrohres um seine Axe beobachten könne. Beides wird emeinen nicht der Fall sein, letzteres nicht, weil wohl nie der in welchem die optische Axe des Fernrohres die Drehungsaxe desschneidet, genau senkrecht über der Richtung der Verbindungslinie den Fadenkreuze liegen wird. Man wird deshalb, nachdem man e Fadenkreuz beobachtet hat, die Fernrohrebene ein wenig vermüssen, um das andere Fadenkreuz ebenfalls zu sehen. Um dann e durch die Verbindungslinie gehende Vertikalebene zu erhalten, n nur den Winkel, welchen die Drehungsebene des Fernrohres in den Lagen bildet, zu halbieren, die Halbierungsebene ist die ge-

Ebene. Denn ist NS (Fig. 33) die Verbindungser Fadenkreuze und O die Projektion des Punktes, hem die Fernrohraxe die Drehungsaxe schneidet, auf ch NS gelegte Horizontalebene, so ist OS die Richer Vertikalebene bei der einen, ON bei der andern itung. Da nun der Magnetstab so gelegt ist, daß die S und N gleich weit von der Mitte des Apparates isind, so ist die Halbierungslinie des von den beiden igen OS und ON gebildeten Winkels N'S' der ig NS parallel und ebenso sind die durch beiden Vertikalebenen einander parallel.

illt die so bestimmte Richtung NS nicht mit derder magnetischen Axe vo (Fig. 34) zusammen, so n, um diese zu bestimmen, den Stab nur einfach gen, so dass die obere Seite zur unteren wird, und

htung N'S' zu bestimmen, welche die Verbindungslinie der Fadendann besitzt; das Mittel der beiden Richtungen ist diejenige der tischen Axe des Stabes, somit diejenige des magnetischen Meri-

dianes. Denn in dem umgelegten Stabe ist die Richtung der magnetischer Axe $v'\sigma'$ der früheren Richtung $v\sigma$ derselben parallel. Legen wir nur durch den Punkt O, wo die beiden Richtungen NS sich schneiden, ein mit $v\sigma$ parallele, so sind die Winkel $\alpha = \beta$ und $\alpha' = \beta'$, und da $\alpha = \alpha$ so ist auch $\beta = \beta'$.

Zu den vier nach dem soeben Entwickelten nötigen Beobachtunge kann man noch vier weitere fügen, indem man die Fernrohrebene w

Fig. 34. funder noch der D Beobs erhalt mung Einrichaben setzt.

180° dreht; das Mittel aus den beiden so g fundenen Resultaten giebt die Deklination m noch größerer Genauigkeit.

Eine bei weitem größere Genauigkeit der Deklinationsbestimmung ist indes durch d Beobachtung am Gaussschen Magnetometer : erhalten, dessen einer Zweck gerade die Bestimung dieses erdmagnetischen Elementes ist. D Einrichtung und Anordnung des Magnetomete haben wir in §. 15 ausführlich auseinanderg setzt. Wir haben zugleich angegeben, wie mayerfährt, um die Axe des zur Untersuchung benutzten Magnetstabes genau in die Richtundes magnetischen Meridianes zu bringen un die optische Axe des Theodolitfernrohres de Axe des Magnetes parallel zu stellen. Es wird zur Bestimmung der Deklination an dem Be obachtungsort weiter nichts erforderlich sein

als eine einmalige Messung des Winkels, den die so gestellte Fernrohrammit der für den Beobachtungsort bestimmten Richtung des astronomisches Meridianes bildet, wenn einmal die in §. 15 angenommene Anordnund des Apparates in der That vollständig erreicht wäre, und wenn zweiten der angewandte Magnetstab eine für alle Zeiten feste Ruhelage hätt Beides ist nie der Fall, und deshalb bedarf es zur Bestimmung der Dekt nation besonderer Versuche.

Was zunächst die nach der Einrichtung noch vorhandenen Fehle des Apparates und deren Unschädlichmachung betrifft, so verweisen wideshalb auf eine Abhandlung W. Webers¹) "Über die Reduktion de Magnetometerbeobachtungen auf absolute Deklinationen", in welcher die dazu erforderlichen Versuche und Rechnungen ganz ausführlich mitgetei sind. Auf den zweiten Umstand müssen wir jedoch etwas näher eingehe

Beobachtet man nämlich den Magnetometerstab, so findet man zu nächst, dass derselbe selten oder nie in Ruhe ist, und weiter, dass sie die Lage der magnetischen Axe mit der Zeit nicht unmerklich änder Beides zeigt, dass die Deklination sich mit der Zeit nicht unmerklich ündert, und ersteres besonders, dass auch in kurzen Fristen eine Veräderung der Deklination eintritt. Denn ändert sich der magnetische Meidian, so wird dadurch der Stab aus seiner bisherigen Ruhelage naseiner neuen Gleichgewichtslage gezogen und zu Schwingungen um diesel

¹⁾ W. Weber, Resultate aus den Beobachtungen des magnetischen Verei Bd. 11. 1837.

vermlafst, da er in der neuen Gleichgewichtslage mit einer gewissen Geschwindigkeit ankommt, welche bewirkt, daß er dieselbe überschreitet.

Die Deklination kann daher nicht durch die augenblickliche Lage des Magnets bestimmt werden, sie wird vielmehr gegeben durch die Richtung der magnetischen Axe, wenn dieselbe in der Gleichgewichtslage wäre. Dieselbe direkt zu erhalten ist nicht möglich, sie muß vielmehr aus der Beobachtung der Schwingungen abgeleitet werden.

Gauss giebt als das beste Mittel zu demselben folgendes an1): Man versetzt den Stab, wenn seine Schwingungen zu klein sind, in etwas größere, sorgt aber durch passende Beruhigungsmittel, etwa einen vor den Beobachtungen in die Nähe gebrachten, dann aber wieder entfernten Magnetstab, dafür, dafs die Schwingungen nur eben die zur Beobachtung hinreichende Größe haben, etwa 2-3 Skalenteile betragen. Da dann der Widerstand der Luft zu vernachlässigen ist, und die etwaige Anderung der Deklination jedenfalls als gleichförmig angesehen werden darf, so ist das Mittel aus zwei Stellungen der Nadel, die zweien genau um die Dauer emer Schwingung von einander abstehenden Augenblicken entsprechen, jene Lage des magnetischen Meridians, welche für das Mittel dieser Zeiten stattfand, in welche Teile der Schwingungsperiode diese beobachteten Zeiten auch fallen mögen. Man hat daher, um den der Deklination für die · Leit T entsprechenden Stand der Nadel zu erfahren, nur die Stellungen derselben für die Zeit $T-\frac{1}{2}t$ und $T+\frac{1}{2}t$ zu beobachten, wenn t die Schwingungsdauer der Nadel bedeutet, und aus den beiden beobachteten Standen das Mittel zu nehmen. Der größern Genauigkeit zuliebe wird man gut thun, anstatt dieser zwei Beobachtungen mehrere zu machen, dwa die Gruppe

$$T = \frac{5}{2}t$$
; $T = \frac{3}{2}t$; $T = \frac{1}{2}t$; $T + \frac{1}{2}t$; $T + \frac{3}{2}t$; $T + \frac{5}{2}t$

m bestimmen. Bezeichnet man die beöbachtete Anzahl der Skalenteile mit a, b, c, d, e, f, so ist $\frac{1}{2}(a+b)$ die Lage der magnetischen Axe zur Zeit T-2t, ebenso liefern $\frac{1}{2}(b+c)$, $\frac{1}{2}(c+d)$, $\frac{1}{2}(d+e)$, $\frac{1}{2}(c+f)$ dese Lage zu den Zeiten T-t, T+t, T+2t, und das Mittel aus desen fünf Werten giebt mit sehr großer Genauigkeit die Lage der magnetischen Axe zur Zeit T.

Um auf diese Weise die Lage der magnetischen Axe zu irgend einer Zeit zu erhalten, bedarf es der Kenntnis der Schwingungsdauer des Magnetstabes; wie dieselbe zu erhalten ist, haben wir im §. 15 ausführlich dargelegt; indes ist zu bemerken, daß eine so genaue Kenntnis der Schwingungsdauer, wie wir sie damals erlangten, hier nicht erforderlich ist, daß daher die Beobachtung weniger Schwingungen ausreichend ist, und zwar um so eher, je länger die Schwingungsdauer der Nadel überhaupt ist.

Den Winkel, den die so bestimmte Richtung der magnetischen Axe mr Zeit T mit der Fernrohraxe, oder vielmehr die Ebene des magnetischen Meridianes mit der vertikalen Drehungsaxe der optischen Axe des Fernrohres bildet, erhält man aus dem vorher bestimmten Abstande der Skala on dem Spiegel des Magnetes und dem Abstande des beobachteten Skalen-

Gauss, Resultate aus den Beobachtungen des magnetischen Vereins, Bd. I. 1836.

teils von Mittelpunkte der Skala. Bezeichnen wir ersteren Abstand mit d, letzteren mit a und den gesuchten Winkel mit α , so ist, wie wir in der Optik §. 10 nachwiesen,

tang
$$2 \alpha = \frac{a}{d}$$
,

woraus sofort α zu erhalten ist. In den meisten Fällen ist der Winkel α so klein, daß man ohne irgend bemerkbaren Fehler setzen kann

$$2\alpha = \frac{a}{d}; \quad \alpha = \frac{1}{2d} \cdot a = c \cdot a.$$

Um schliefslich die Deklination zu erhalten, hat man diesen Winkel zu demjenigen, welchen die Fernrohraxe mit dem astronomischen Meridiane bildet, zu addieren oder von demselben zu subtrahieren; ist derselbe gleich β , so wird die gesuchte absolute Deklination δ ,

$$\delta = \beta + c \cdot a.$$

Der Winkel β muß, wie man sieht, auf das genaueste bestimmt sein; hat man ihn daher, wie es bei festen Magnetometern in den Observatorien der Fall ist, ein für allemal gemessen, so muß man sich vor jeder Beobachtung von dem unverrückten Stande der Fernrohraxe, also auch des Mittelpunktes der Skala überzeugen. Zu dem Ende wird hinter dem Magnetometer, wo es möglich ist, in einem Abstande vom Fernrohr 2d eine feste Marke angebracht, auf welche das Fernrohr vor jeder Beobachtung eingestellt wird.

Die Deklination kann nach dieser Methode mit astronomischer Genauigkeit an dem Orte, wo das Magnetometer aufgestellt ist, bestimmt werden; die Methode hat jedoch den Nachteil, dass sie nur an verhältnismässig wenigen Orten angewandt werden kann. Da nun der zweite Zweck den wir mit dem Studium des Erdmagnetismus verbinden, die Beobschtung der Deklination an möglichst vielen Orten verlangt, so war es sehr erwünscht, einen Apparat herzustellen, der transportabel ist wie die Bussole von Gambey, zugleich aber eine Genauigkeit zu erreichen gestattet, welche ühnlich ist derjenigen, die die Methode von Gauss liefert. Einen solchen Apparat konstruierte Lamont in seinem magnetischen Reisetheodoliten'), indem er es durch eine außerst sinnreiche Vorrichtung möglich machte, an demselben die Spiegelablesung anzubringen. Die wesentlichsten Teile des Lamontschen Apparates sind folgende: Auf einer massiven Bodenplatte von Messing, welche durch Stellschrauben vollkommen horizontal gestellt werden kann, ist der Horizontalkreis eines Theodoliten unverrückbar befestigt, HK (Fig. 35). Derselbe wird von einer vertikalen, mit der Axe des Kreises zusammenfallenden Axe durchsetzt, welche in der Bodenplatte ruht und oben die Scheibe S trägt. Die Scheibe S ist mit dieser Axe unverrückbar fest verbunden und mit ihr drehbar; zwei an ihr befestigte Nonien gestatten auf dem Horizontalkreise die Stellung der Scheibe auf das genaueste zu bestimmen. Die Scheibe S trägt an einer Seite ein Fernrohr, dessen optische Axe verlüngert die vertikale Axe des Horizontal-

¹⁾ Lamont, Doves Repertorium. Bd. VII. Ausführliche Beschreibung des Apparates: Müller, Kosmische Physik. Braunschweig 1854.

meidet. Aufser der horizontalen Drehung, welche dem Fernrohr cheibe S erteilt werden kann, kann dasselbe durch Heben oder

r Schraube vertikaler eht werden. un an dem eobachtung g des astro-Meridianes **Jerkzeichen** so ist es der Fernparallelen er des Hories in die des astro-Meridianes n, indem dem Ferndem Merksiert. Man dann den Nonien am kreise. if setzt man heibe S das velches den agt. Das-



eht aus einem rechteckigen Kasten C von Messing, welcher eine von Messing trägt. Das Gehäuse wird so aufgesetzt und fest-, dass die eine Seite des rechteckigen Kastens senkrecht ist hen Axe des Fernrohrs und die vertikale Axe der Röhre R mit les Horizontalkreises zusammenfällt. In der Axe der Röhre, an ren Eude befestigt, befindet sich ein Coconfaden, welcher den s trägt. Der Magnet durchsetzt die Wände des rechteckigen nd ist durch zwei an den Enden zugeschmolzene Glasröhren, röhrenartige Ansätze des Kastens eingesetzt sind, vor Luftn geschützt. An dem nach unten verlängerten Träger des ist ein kleiner Planspiegel befestigt, der möglichst genau senkmagnetischen Axe des Magnetes gestellt ist. Der Winkel, den Inormale etwa noch mit der magnetischen Axe des Stabes bildet, Versuche in einem Observatorium vorher auf das genaueste be-Der Spiegel hängt so, daß er von der verlängerten Fernrohraxe wird. Ihm gegenüber sind die Wände des rechteckigen Kastens C t und mit Spiegelglasplatten verschlossen,

dreht nun die Scheibe S so, dass der Magnet in dem Gehäuse ngen kann, und hat dann nur noch die Fernrohraxe der Spiegelarallel zu stellen und den Winkel zu beobachten, welchen dieieser mit der vorigen Stellung bildet; dieser Winkel ist, korrigiert

. .- --

um den Winkel, den die Spiegelnormale mit der magnetischen Axe bild die Deklination des magnetischen Meridianes.

Um die Fernrohraxe mit größter Genauigkeit in die Richtung d Spiegelnormale bringen zu können, hat Lamont dem Fernrohr folgen Einrichtung gegeben. An der Stelle des Fadenkreuzes befindet sich do wo von unendlich entfernten Gegenständen durch das Objektiv ein reel Bild entworfen wird, eine Glasscheibe, in welcher ein feines Kreuz e geritzt ist. Hinter derselben bei O ist die Okularröhre zur Hälfte s geschnitten, so dass die Schnittebene mit der Fernrohraxe einen Winl von 450 bildet. In diesen Schnitt wird ein Spiegel gelegt, der das Lie vom hellen Himmel gegen die Glasplatte wirft und diese so beleucht Da die Glasplatte sich im Brennpunkte des Objektivs befindet, so werd die von ihr ausgehenden Strahlen im Objektiv des Fernrohrs einan und der Fernrohraxe parallel gebrochen. Steht der Spiegel am Magn senkrecht zur optischen Axe des Fernrohres, so treffen diese Strah normal auf den Spiegel und werden deshalb in die Einfallsrichtung : rückgeworfen. Die reflektierten Strahlen fallen daher auf das Objekt und dieses entwirft an der Stelle der Glasplatte selbst das reelle Bild d selben, so dass das Bild des eingeritzten Kreuzes das Kreuz selbst det

Man hat daher die Scheibe S mit dem Magnete auf dem Fernr nur so weit zu drehen, dass man das Bild des vertikalen Kreuzarmes a Arm selbst decken sieht und weiss dann, dass das Fernrohr der Spieg normale parallel ist. Die Ablesung der Nonien liefert den Winkel, a die Spiegelnormale in ihrer augenblicklichen Stellung mit dem astromischen Meridiane bildet. Da man die Abweichung der Spiegelnorm von der magnetischen Axe des Stabes kennt, so erhält man nach s bringen dieser Korrektion den Winkel, den die magnetische Axe a Stabes mit dem astronomischen Meridiane bildet, oder die Deklination amagnetischen Meridianes.

Nach diesen Methoden sind an vielen Orten und zu verschieden Zeiten die magnetischen Deklinationen bestimmt, die Resultate derselb werden wir später zusammenstellen, hier wollen wir nur bemerken, die Deklination an den verschiedenen Orten Deutschlands jetzt zwisch 14° und 17° beträgt, und zwar ist sie westlich, d. h. das Nordende i Nadel weicht um so viel Grade nach Westen vom astronomischen Mediane ab.

§. 24.

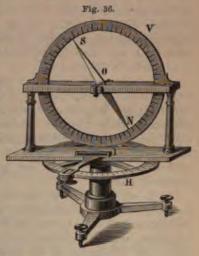
Bestimmung der Inklination. Die Bestimmung der Neigung magnetischen Axe einer Magnetnadel gegen die Horizontale ist eine w schwierigere Aufgabe, als die Bestimmung der Deklination, da die n wendigen Bedingungen zu einer genauen Bestimmung hier weit schwriger zu erfüllen sind. Da die Inklination jene Richtung der Nadel welche sie in der Ebene des magnetischen Meridianes nur unter Einvkung der magnetischen Kräfte annimmt, so ist zunächst erforderlich, die Nadel sich um eine genau zur Ebene des magnetischen Meridia senkrechte Drehungsaxe nur unter dem Einflusse der magnetischen Kräftehe. Damit letzteres der Fall sei, muß die Drehungsaxe genau dt

den Schwerpunkt der Nadel gehen, eine Bedingung, welche auch der geschickteste Mechaniker nur annähernd erfüllen kann. Da die Drehung in der Vertikalebene erfolgt, so bedarf es ferner bei einem Apparat für die Inklinationsbeobachtungen fester Axen, die auf einer festen Unterlage men; dadurch wird die Beweglichkeit der Nadel durch Reibung vermindert, und man kann deshalb nicht sicher sein, daß die Einstellung in die Inklinationsrichtung ganz scharf erfolgt ist. Dieses sind Fehlerquellen, welche auch bei den vorzüglichsten Apparaten nicht beseitigt werden können, welche deshalb bei der Inklinationsmessung kaum die Genauigkeit zu erreichen gestatten, die die älteren Beobachtungen der Deklination besaßen.

Um die Inklination zu bestimmen, hängt man die Magnetnadel in einen vertikalen geteilten Kreis, so daß die Drehungsaxe der Nadel mit der Axe des Kreises zusammenfällt, und daß die Spitzen der Nadel auf der Teilung des Kreises einspielen (Fig. 36). Bei den vorzüglichen In-

Minatorien von Meyerstein in Göttingen ist die Kreisteilung auf einer Scheibe von Spiegelglas eingeschnitten und beitzt einen Durchmesser von ungefähr 300 Millimeter. Ebenso lang sind die Nadeln.

Die durch den Schwerpunkt der Nadel geführten Drehungsaxen sind stählerne Cylinder von geringer Dicke; dieselben ruhen auf zwei Achatplatten, deren eine vor, deren andere hinter der Kreisebene auf Trägern von Messing mben. Die Ebenen der Platten sind sonkrecht zur Kreisebene und in gleicher Höhe etwas unter der Axe des geteilten Kreises angebracht, so dass die Axe des die Drehungsaxe der Nadel bildenden Cylinders gerade durch den Mittelpunkt des Kreises geht. Der Vertikalkreis V



ist drehbar auf einem festen Horizontalkreis H befestigt, so daß seine brehungsaxe mit der Axe des Horizontalkreises zusammenfällt. Der Horizontalkreis ist auf einem mit Stellschrauben versehenen Dreifuß befestigt, so daß seine Ebene vollkommen horizontal gestellt werden kann. Zur Kontrolle der Horizontalstellung dient die Röhrenlibelle l. Die Stellung des Vertikalkreises auf dem Horizontalkreise wird durch einen mit dem Vertikalkreise fest verbundenen Nonius bestimmt.

Zur Beobachtung der Inklination wird zunächst der Horizontalkreis vollkommen horizontal und damit der Vertikalkreis vertikal gestellt, und der letztere so gedreht, daß seine Ebene möglichst genau der Ebene des magnetischen Meridianes parallel gestellt ist. Der Winkel, den dann die magnetischen Axe des Stabes mit dem horizontalen Durchmesser des Kreises macht, ist unter der Voraussetzung, daß das Instrument ganz vollkommen ist, der Inklinationswinkel. Man erhält ihn durch Beobachtung des Teilstriches, auf welchen die untere Spitze der Nadel zeigt. Zur genauern Beobachtung dieses Teilstriches ist die Kreisteilung an den Meyerstein-

schen Inklinatorien spiegelnd; das Auge ist richtig gestellt, wenn es sein eigenes Spiegelbild und die Spitze der Magnetnadel in der Mitte der Pupille desselben sieht.

Diese einfache Beobachtung würde jedoch im allgemeinen nur ein sehr ungenaues Resultat geben; sehr viel genauer wird es, wenn man die Beobachtungen vervielfältigt. Um die Fehler zu eliminieren, die daraus entspringen, dass die Nadel nicht genau centrisch aufgehängt ist, oder dass die Kreisteilung kleine Fehler hat, beobachtet man auch den Teilstrich, auf welchen die obere Spitze der Nadel zeigt, also den Winkel OS (Fig. 36). Wenn derselbe, was fast immer der Fall sein wird, von dem Winkel ON, der vorher beobachtet war, verschieden ist, so nimmt man aus beiden Werten das Mittel, und erhält so einen genauern Wert für die Neigung der geometrischen Axe der Nadel. Um den Fehler, der aus der Reibung der Axe entspringt, zu eliminieren, wiederholt man die Beobachtungen mehrere Male, indem man vor jeder Beobachtung die Nadel in Schwingungen versetzt oder abhebt und neu auflegt. Da es wahrscheinlich ist, dass die Nadel dann ebenso oft und ebenso weit über der richtigen Inklinationsrichtung stehen bleibt als unter derselben, so nimmt man schließlich aus allen diesen Beobachtungen das Mittel und erklärt so das erste partielle Resultat.

Ein weiterer Fehler kann dadurch entstehen, daß der als horizontal angenommene Durchmesser des Vertikalkreises etwas von der Horizontalen abweicht; um denselben zu eliminieren, dreht man den Vertikalkreis um 180° und macht dieselben Beobachtungen wie vorhin. War infolge der nicht ganz richtigen Stellung vorhin die Inklination zu groß gefunden, so ist sie jetzt um ebensoviel zu klein; das Mittel aus beiden Resultaten wird daher die Richtung der geometrischen Nadelaxe mit großer Genauigkeit geben.

Um zu untersuchen, ob die geometrische Axe der Nadel auch die Richtung der magnetischen Axe ist, oder einen etwaigen Fehler aus der Nichtkoincidenz der beiden Richtungen zu eliminieren, wird die Nadel umgelegt, so daß die früher vordere Seite zur hintern wird. Da die magnetische Axe sich immer in die Richtung der Inklination stellt, so wird die geometrische Axe jetzt um ebensoviel zu hoch sich stellen, wie sie sich vorher zu tief stellte. Macht man daher jetzt dieselben Beobachtungen wie vorhin und nimmt schließlich aus diesen und den früheren das Mittel, so würde man die Inklination richtig erhalten, wenn die Drehungsaxe genau durch den Schwerpunkt der Nadel ginge.

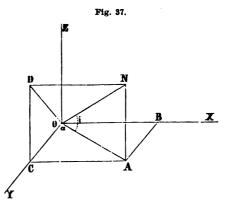
Um dieses zu untersuchen und einen etwaigen Fehler zu eliminieren, der daraus hervorgeht, dass das nicht der Fall ist, wird die Nadel ummagnetisiert, so dass das frühere Nordende zum Südende wird. Lag vorher der Schwerpunkt dem Nordende näher, wurde also der Neigungswinkel der Nadel durch die Schwere vergrößert, so liegt er jetzt dem Südende näher, der Neigungswinkel wird also jetzt verkleinert. Die Differenzen zwischen der beobachteten und wahren Neigung sind in beiden Fällen gleich groß, wenn die Nadel in beiden Fällen gleich stark magnetisiert ist. Ist das der Fall, wovon man sich durch Schwingungsversuche überzeugen muß, so stellt man ganz dieselben Beobachtungen an wie vorher.

ie Nadel noch nicht ummagnetisiert war, nimmt dann aus allen Beob-

achtungen das Mittel und erhält in diesem mit sehr großer Annäherung den wahren Wert der Inklination.

Wir haben bisher vorausgesetzt, dass die Ebene des Vertikalkreises mit derjenigen des magnetischen Meridianes übereinstimmte; ist die Richtung des Meridianes vorher an dem Beobachtungsorte nicht bestimmt, so kann man dieselbe mit Hilfe des Inklinatoriums ohne andere Hilfsmittel erhalten, da, wie wir vorhin schon bemerkten, die Neigung der Magnetnadel am kleinsten ist, wenn ihre Drehungsebene dem Meridiane parallel, am größten, und zwar gleich 90° ist, wenn die Drehungsebene senkrecht zum magne-

tischen Meridiane ist. Ist nämlich ON (Fig. 37) die Richtung und Größe der erdmagnetischen Kraft am Orte der Beobachtung, so ist die durch ONA gelegte Ebene die des magnetischen Meridianes. Wir können in derselben die Kraft ON in eine horizontale Komponente OA und in eine vertikale AN zerlegen. Diese letztere ist es, welche die in der Meridianebene um eine horizontale Axe schwingende Nadel in die Inklinationsrichtung dreht, während die horizontale Komponente sie der Horizontalen parallel



zu stellen sucht. Ist die Größe der erdmagnetischen Kraft gleich I und der Inklinationswinkel gleich i, so sind die beiden Komponenten

$$OA = I \cos i$$
; $NA = I \sin i$,

und der Inklinationswinkel AON ist gegeben durch

$$\tan AON = \frac{NA}{OA} = \frac{I \sin i}{I \cos i}.$$

Ist die Inklinationsnadel in einer anderen Ebene ZOY drehbar, welche mit der Meridianebene den Winkel α bildet, so bleibt die vertikale auf sie wirkende Komponente dieselbe, die horizontale wird eine andere; wir erhalten sie, wenn wir OA nach OY und OX zerlegen, in der OY parallelen Komponente $OC = I \cos i \cos \alpha$. Der Neigungswinkel der Nadel BOC = i' ist dann gegeben durch

$$\tan i' = \frac{I \sin i}{I \cos i \cdot \cos \alpha} = \frac{\tan \alpha}{\cos \alpha}.$$

Which tank a, so which that auch i' und ist $\alpha = 90^{\circ}$, so wird $\cos \alpha = 0$, so mit tank i' = ∞ und i' = 90° .

Um daher die Ebene des magnetischen Meridianes zu erhalten, hat man nur die Stellung des Vertikalkreises aufzusuchen, bei welcher die Nadel vertikal steht, und dann den Vertikalkreis um 90° zu drehen.

Indes kann diese Bestimmung keine sehr genaue sein, da dieselbe mit allen den Fehlern behaftet sein muß wie die Beobachtung der Inklination selbst; man wendet daher, wenn man die Richtung des Meridianes nicht genau genug kennt, besser ein anderes Verfahren an, welches

die Kenntnis dieser Richtung nicht verlangt. Ist nämlich in der I ZOY die Neigung der magnetischen Axe i' gegeben durch

$$\tan i' = \frac{\tan i}{\cos \alpha},$$

so ist sie in der zu ihr senkrechten Ebene ZOX gegeben durch

$$\tan i' = \frac{\tan i}{\sin \alpha},$$

und aus diesen beiden Gleichungen ergiebt sich unmittelbar

$$\frac{1}{\tan^2 i} = \frac{1}{\tan^2 i'} + \frac{1}{\tan^2 i''}$$

Man hat daher nur in zwei beliebigen, zu einander senkrechten E die soeben beschriebenen Beobachtungen durchzumachen, um die nationsbestimmung von der Richtung der Vertikalebene, in der die sich dreht, unabhängig zu machen.

Wie man durch eine genaue Untersuchung des Inklinatorium diese Beobachtungen eine noch größere Genauigkeit erhalten kann Gauss bei der Beobachtung der Inklination zu Göttingen im Jahre gezeigt1). Wir verweisen deshalb auf diese musterhafte Experime

untersuchung.

Die mannigfachen Schwierigkeiten der genauen Inklinationsbe mungen und besonders der Umstand, dass das Inklinatorium dieselbe für einen bestimmten Augenblick, sondern nur den Mittelwert eines lich großen Zeitraums liefert, hat Lloyd veranlasst, ein anderes 1 zur Beobachtung der Inklination zu wählen2), welches auf dem Satz ruht, dass das magnetische Moment, welches ein weicher Eisenstab dem Einflusse eines Magnetes erhält, dem Magnetismus des Magnetes proportional ist. Ein vertikal gehaltener weicher Eisenstab wird d die Richtigkeit jenes Satzes in aller Strenge vorausgesetzt, in jedem A blicke ein der augenblicklichen vertikalen Komponente der erdmagneti Kraft proportionales magnetisches Moment haben. Sei dieses gleich wird, wenn I die totale erdmagnetische Kraft am Beobachtungsorte i die Inklination ist,

$$M = a I \sin i$$

sein, worin a ein durchaus konstanter Faktor ist, nämlich das m tische Moment des Stabes, welches die Einheit des freien Magneti in der Abstandseinheit erzeugt.

Wirkt der Stab aus dem Abstande R in irgend einer Lage auf in horizontaler Ebene drehbare Nadel, deren magnetisches Moment m ist, so wird er die Nadel um einen Winkel v ablenken, welcher, wir die Glieder, welche höhere als die dritten Potenzen von R enth vernachlässigen, nach §. 16 und 17 gegeben ist durch die Gleichur

¹⁾ Gauss, Beobachtungen der Inklination zu Göttingen im Sommer Resultate aus den Beobachtungen etc. Bd. VI.

2) Lloyd, Account of the magnetical Observatory of Dublin etc. B
Humphrey Lloyd. Dublin 1842.

$$m I \cos i \cdot \sin v = \frac{m a I \sin i}{R^3} C \cos v,$$

denn I cos i ist die horizontale Komponente des Erdmangnetismus, und mI cos i die Direktionskraft der abgelenkten Nadel; daraus folgt

tang
$$i = \frac{R^s}{Ca} \tan v$$
.

Die Konstante C hängt ab von der Lage des Eisenstabes und der abgelenkten Nadel, d. h. von den Winkeln, welche die Verbindungslinie ihrer Mittelpunkte mit der Ebene des magnetischen Meridianes und in dieser mit der Horizontalen macht. Sie läfst sich bei Kenntnis dieser Winkel nach § 16 berechnen. Kennt man daher a, so läfst sich aus der Beobach-

tung von v der Wert von i berechnen.

Lloyd wandte diese Methode nicht zur Bestimmung von i an, sondern nur zur Beobachtung der Veränderlichkeit von i mit der Zeit; dazu braucht man a nicht zu kennen. Denn läßt man denselben Eisenstab immer in derselben Weise auf die Magnetnadel wirken, so ändert sich i nur mit v und zwar in demselben Sinne; aus der beobachteten Änderung von v kann man daher auf eine Veränderung von i zurückschließen. Hat man einmal durch genaue Beobachtungen am Inklinatorium den Wert von i und durch gleichzeitige Beobachtungen mit dem Eisenstabe v bestimmt, so kann man aus

$$\frac{\tan g}{\tan g} \frac{i}{v} = \frac{R^3}{Ca} = B$$

den Faktor von tang v erhalten und durch

$$tang i = B \cdot tang v$$

die Anderungen der Inklinationsrichtung ihrer Größe nach berechnen.

In dieser Weise hat Lamont diesen Satz benutzt, um mit seinem magnetischen Reisetheodoliten die Inklinationen zu beobachten¹). An demselben wird nach den Deklinationsbeobachtungen ein Messingring befeitigt, welcher in vertikaler Stellung zwei Eisenstäbe trägt, einen in belicher, den anderen in westlicher Richtung von dem Magnetgehäuse enternt. Befindet sich an der Ostseite der Nordpol des Stabes mit der Nadel in gleicher Horizontalebene, so befindet sich an der Westseite der Stabel des Stabes dort, und umgekehrt. Der Messingring ist mit dem Magnetgehäuse drehbar und ist so gestellt, daß die Verbindungslinie der beiden Stabpole durch die Mitte der Nadel geht und senkrecht ist zur magnetischen Axe der Nadel. Durch Beobachtungen an der Münchener Stemwarte ist für das Instrument ein für allemal B bestimmt; an dem Orie, an welchem die Inklination der Nadel gefunden werden soll, hat man daher nur v zu beobachten, um i zu erhalten.

Es ist dabei nur zu beachten, daß der temporäre Magnetismus des weichen Eisens mit der Temperatur sich ändert, daß also a eine Funktion der Temperatur ist. Auch diese, welche nach dem Früheren von der Form

$$a' = a(1 + mt + nt^2)$$

¹⁾ Lamont, Doves Repertorium. Bd. VII. Müller, Kosmische Physik. Brannschweig 1854.

ist, muss bestimmt sein und bei jeder Beobachtung zur Korrektion benutzt werden.

Diese Beobachtungsmethode beruht vollständig auf dem Satze, daß der temporäre Magnetismus im Eisen dem induzierenden Magnetismus unter allen Umständen proportional sei; daß also das Eisen ganz ohne Koercitivkraft sei. Das ist bekanntlich nicht der Fall, sondern alles Eisen besitt, einmal magnetisiert, einen wenn auch geringen permanenten Magnetismus. Diesen kann man zwar unschädlich machen, indem man nach den ersten Beobachtungen die Stäbe umkehrt, so daß der Nordpol dort entsteht, wo vorhin der Südpol war, und aus den in beiden Fällen erhaltenen Werten von v das Mittel nimmt. Da in der einen Lage der Stäbe die Summe des temporären und permanenten Magnetismus, in der anderen Lage die Differenz beider wirkt, so giebt das Mittel die Ablenkung unter dem Einflusse des temporären Magnetismus allein.

Aber da das Vorhandensein des permanenten Magnetismus zeigt, daß das Eisen nicht frei ist von Koercitivkraft, so sind wir keineswegs sicher, daß der temporüre Magnetismus des Eisens der augenblicklichen erdmagnetischen Kraft proportional ist, da jedenfalls dann eine gewisse Zeit vergeht, ehe der magnetische Zustand des Eisens dem magnetischen Zustande der Erde folgt. Auf die Methode von Lamont hat dieser Umstand natürlich keinen störenden Einfluß, da dort die Eisenstäbe der Einwirkung des Erdmagnetismus hinlänglich lange ausgesetzt sind. Ob aber die Variationen der Inklination sich dennoch mit hinreichender Schärfe beobachten lassen, das ist noch nicht entschieden, nach einigen Versuchen von W. Weber¹) aber einigermaßen zweifelhaft.

§. 25.

Bestimmung der Intensität der erdmagnetischen Kraft. Unter der Intensität der erdmagnetischen Kraft versteht man das Drehungsmoment, welches dieselbe einer mit der Einheit des magnetischen Moments begabten Magnetnadel erteilt, wenn dieselbe zur Richtung der Kraft senkrecht steht. Die direkte Beobachtung derselben ist, wie sich aus dem bei der Untersuchung der Inklination Gesagten ergiebt, nicht leicht ausführbar, sie ist auch nicht erforderlich, da wir die totale Intensität leicht aus ihrer horizontalen Komponente berechnen können.

Über die Bestimmung der horizontalen Komponente der erdmagnetischen Kraft haben wir nach den Entwickelungen des § 17 wohl kaum noch etwas hinzuzufügen, da wir dort ausführlich gezeigt haben, wie man zu der Konstanten T gelangt, welche wir damals als die Direktionskraft bezeichneten, welche eine in horizontaler Ebene drehbare, mit der Einheit des magnetischen Moments begabte Magnetnadel in den magnetischen Meridiane zurückzuführen sucht, wenn sie senkrecht zum magnetischen Meridiane steht. Diese Konstante T ist die horizontale Komponente der erdmagnetischen Kraft am Beobachtungsorte.

Denn da wir wissen, dass die magnetischen Anziehungs- und Abstossungskräfte den Magnetismen selbst proportional sind, so folgt, dass die

¹⁾ W. Weber, Resultate etc. Bd. VI. p. 85 ff. Man sehe auch Lamont in Doves Repertorium. Bd. VII.

Direktionskraft, welche einen Stab, dessen magnetisches Moment gleich Mist, in den magnetischen Meridian zurückführt,

$$D = M \cdot T$$

worin T die horizontale Komponente des Erdmagnetismus bedeutet. Wie man aber sieht, wird D = T, wenn M = 1 ist.

Um T in absolutem Mafse auszudrücken, bedarf es zweier Messungen. Man muß einen Magnetstab frei horizontal schwingen lassen, seine Schwingungsdauer beobachten und sein Trägheitsmoment bestimmen. Man erhält so

$$M \cdot T = \frac{\pi^2 \cdot K}{t^2} = b.$$

Man lenkt dann mit dem untersuchten Magnetstab einen anderen ab und erhält aus dem beobachteten Ablenkungswinkel v und v_1 und den Entfernungen R und R_1 , aus welchen der untersuchte Stab in der ersten Hauptlage diese Ablenkungen hervorbringt:

$$\frac{M}{T} = \frac{1}{2} \frac{R_1^{5} \tan g \, v_1 - R^{5} \tan g \, v}{R_1^{2} - R^{2}} = a.$$

Dividiert man die erste Gleichung durch die zweite und zieht die Wurzel aus, so wird

$$T = \sqrt{\frac{b}{a}}$$
.

Wir erhalten in dieser Weise für T eine Zahl, deren Größe von der wihlten Einheit abhängt. Behalten wir die in § 17 angeführte Einheit wir Gauss bei, so bedeutet diese Zahl die Anzahl Krafteinheiten, welche in einem Hebelarme von der Länge 1 mm wirkend demselben das gleiche Irbungsmoment erteilen, welches der Erdmagnetismus dem mit der Einheit des magnetischen Momentes begabten Magnete erteilt. Die Einheit wir Kraft ist dabei jene, welche der Masse von einem Milligramm die Beschleunigung von einem Millimeter erteilt. Um die Zahlen anstatt in lausschen in [C G S] Einheiten auszudrücken, müssen wir nach § 17 mach Gauss gegebenen Zahlenwert durch 10 dividieren.

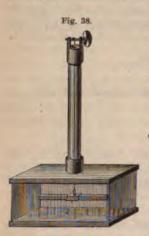
Da wir weiter einem Stabe die Einheit des magnetischen Momentes wiegten, wenn das reduzierte Drehungsmoment, welches er einem gleich stark magnetischen Stabe erteilt, in jenen Einheiten der Kraft und der Lange gleich 1 war, so kann man jene Zahl auch dahin definieren, daß uns in absoluten Einheiten den Magnetismus giebt, welcher in der Abstandseinheit einem mit der Einheit des freien Magnetismus begabten Stabe dasselbe Drehungsmoment erteilt, wie der Erdmagnetismus.

Wie W. Weber gezeigt¹) hat, bedarf es zu diesen Versuchen nicht totwendig eines Magnetometers, schon ein kleiner von ihm zusammensetellter Apparat gestattet es, in der Bestimmung der horizontalen Intensität eine Genauigkeit bis zu 0,05 des wahren Wertes zu erhalten.

Der Apparat besteht aus einer gewöhnlichen Bussole, deren Nadel eine Länge von 60 mm hat, und deren Kreis nur in ganze Grade geteilt ist. Bei einiger Übung gelangt man leicht dahin, die Stellung der Nadel

¹⁾ W. Weber, Resultate aus den Beobachtungen des magnetischen Vereines.

bis auf $0,1^0$ abzulesen. Diese Bussole wird auf die Mitte eines Maßstabes gesetzt, dessen Länge 1 m ist und der in Millimeter geteilt ist. Außerdem gehört zu dem Apparate ein kleiner Magnetstab, dessen Länge am besten genau 100 mm, und dessen Breite und Dicke den achten Teil der Länge, also 12,5 mm beträgt. Der Magnet ist am bequemsten genau parallelepipedisch gearbeitet; sein Gewicht muß genau bekannt sein. Um den Stabschwingen lassen zu können, ist es gut, wenn er in seiner Mitte ein kleines Loch zur Aufnahme einer Nähnadel hat, durch deren Öhr man einen Seidenfaden zieht, an welchem der Stab aufgehängt wird. Auch ist es gut, den Stab zum Schutze gegen Luftströmungen in einen kleinen Kasten von der Form Fig. 38 aufzuhängen, wenn man seine Schwingungsdauer beobachten will.



Um mit diesem Apparate die Ablenkungsversuche zu machen, stellt man die Bussole auf die Mitte des Masstabes, so dass sie in der Ruhelage auf die Teilstriche 0 und 180 zeigt, und stellt den Massstab senkrecht zum magnetischen Meridian; man legt dann den Magnetstab in zwei oder drei verschiedene Entfernungen, sowohl östlich als westlich, und erhält so, wenn wir die Bezeichnungen des §.17 beibehalten, zwei oder •drei Werte von v, jeden aus vier beobachteten Ablenkungen der Nadel. Der geringste Abstand des Stabes von der Nadel muss der vierfachen Länge der Nadel gleich sein, so dass die Mitte des Magnets von der Mitte des Masstabes immer wenigtens 300 mm entfernt sein muß. Bei dem größten Abstande des Stabes von der Nadel, bei welchem die Mitte des Stabes von der Nadel

450 mm entfernt ist, beträgt, wenn der Magnetstab gesättigt ist, die Ablenkung der Nadel in unseren Breiten mehr als 20°, bei einem Versuche W. Webers 23° 9′. Bei einer auf 0,1° genauen Ablesung ist also die erreichte Genauigkeit wenigstens 0,05.

Den Wert $\frac{M}{T}$ berechnet man aus den gegebenen Versuchen in der angegebenen Weise, indem man bis zu dem zweiten Gliede der Reihe geht. Hat man drei Beobachtungen angestellt, so kann man dieselben benutzen, indem man je zwei kombiniert und schliefslich das Mittel nimmt, oder in anderer Weise nach den Regeln der Wahrscheinlichkeitsrechnung den wahrscheinlichsten Wert berechnet.

Betreffs der Schwingungsbeobachtungen ist nichts zu bemerken. Um aus denselben MT zu erhalten, muß man das Trägheitsmoment des Magnetes in Bezug auf die Drehungsaxe kennen, und um dieses leicht zu erhalten ist dem Stabe möglichst genau die parallelepipedische Form zu geben. Ist nämlich die Länge des Stabes a, seine Breite b, sein Gewicht P_1 so ist das Trägheitsmoment desselben in Bezug auf die Umdrehungsaxe

$$K = \frac{a^2 + b^2}{12} P.$$

Damit erhält man dann $M \cdot T$ und durch Kombination in der ansbenen Weise mit dem gefundenen $\frac{M}{T}$ den Wert von T in absolutem ise.

Im Jahrgang 1838 der Resultate aus den Beobachtungen des magnehen Vereins hat W. Weber auch ein transportables Magnetometer berieben, mit welchem natürlich eine größere Genauigkeit erreicht werden un, als mit dem soeben beschriebenen Apparate.

Um in ähnlicher Weise leicht an verschiedenen Orten Beobachtungen when zu können, hat Lamont auch an seinem Reisetheodoliten eine Vor-

htung zu Ablenkungsversuchen angebracht.

Diese Methode zur Bestimmung der horizontalen Intensität hat den en Mangel, dass sie dieselbe nur im Mittel einer längern Zeit giebt, nn man nicht etwa an einem zweiten Magnetometer vergleichende hwingungsbeobachtungen macht, um die Schwingungen auf die Zeit der lenkungen zu reduzieren. Das bedarf dann aber noch eines besonderen rsuches. Da es aber von ebenso grossem Interesse ist, zu untersuchen, und in welcher Weise Änderungen der horizontalen Komponente der Imagnetischen Kraft stattfinden, als es war den Deklinationen zu folgen. Le Gauss auch für diese Untersuchung einen Apparat konstruiert¹), das filarmagnetometer, welches die Intensität ebenso genau zu verfolgen gettet, als das Unifilarmagnetometer die Deklination.

Zur Konstruktion des Bifilarmagnetometers wandte Gauss die Bifilarspension an, deren Theorie wir im ersten Bande Seite 521 gegeben ben. Wir sahen dort, daß wenn ein Körper an zwei Fäden gleicher inge l aufgehängt ist, welche oben in einem Abstande 2a befestigt und an m Körper so angeknüpft sind, daß der Abstand der Anknüpfungspunkte b ist, derselbe sich in der Gleichgewichtslage befindet, wenn die beidentden sich ihrer ganzen Länge nach in einer Vertikalebene befinden, welche leichzeitig den Schwerpunkt des aufgehängten Körpers in sich aufnimmt. Vird der Körper durch Drehung um die Mittellinie der beiden Fäden us dieser Lage gebracht, so entsteht ein Drehungsmoment, welches ihn i diese Lage zurückzubringen sucht, welches, wenn p das Gewicht des lörpers und p der Winkel ist, um welchen der Körper aus seiner Lage edreht war, gegeben ist in dem Ausdruck

$$a pg \frac{h}{l} \frac{b}{l} \sin \varphi$$
,

wenn h den vertikalen Abstand der obern und untern Aufhängepunkte beleutet. Das Gewicht p ist in dem Ausdrucke mit der Beschleunigung g multipliziert, um absolutes Maß zu verwenden. Sind die Fäden lang gegen a und b, ist ferner φ nur ein kleiner Winkel, so kann man die eingetretene Hebung des Körpers vernachlässigen und h=l setzen, so daß das Drehungsmoment gleich wird²)

$$pg \frac{ab}{l} \sin \varphi$$
.

1) Gauss, Resultate aus den Beobachtungen. Bd. II.
2) Eine Untersuchung über das bifilare Drehungsmoment, bei welcher gleichzeitig die bei der Ablenkung eintretende Biegung und Torsion der Fäden mit berücksichtigt wird, sehe man bei F. Kohlrausch, Wiedem. Ann. Bd. XVII, p. 744.

Ist mit dem aufgehängten Körper ein Magnet verbunden, so tritt zu der Direktionskraft infolge der Aufhängung noch eine andere, die magnetische Direktionskraft. Je nach der Lage des Magnetes sind drei Fälle zu unterscheiden. Erstens, wenn der Körper infolge der Aufhängung im Gleichgewichte'ist, ist er es auch infolge der magnetischen Direktionskraft. Wie man sieht, ist das der Fall, wenn die Vertikalebene, welche die Drähte in ihrer Gleichgewichtslage aufnimmt, senkrecht ist zum magnetischen Meridiane, und der Magnet sich in seiner natürlichen Lage, Nord gegen Nord, im Meridiane befindet. Die Kraft, mit welcher der Körper in seiner Gleichgewichtslage zurückgehalten wird, ist dann gleich der Summe der beiden Direktionskräfte, der magnetischen und derjenigen infolge der Aufhängung.

Der zweite Fall unterscheidet sich von dem ersten nur dadurch, das der Magnet, wenn die Fäden in der Gleichgewichtslage sich befinden, anstatt in der natürlichen Lage sich in der verkehrten Lage, Süd gegen Nord, im magnetischen Meridiane befindet. Auch dann ist der Apparat im stabilen Gleichgewicht, wenn die Direktionskraft infolge der Aufhängung größer ist als die magnetische; die Kraft, mit welcher der Körper in dieser Lage erhalten wird, ist die Differenz beider Direktionskrafte. Ist die magnetische Direktionskraft die größere, so wäre das Gleichgewicht ein labiles; der Körper würde, einmal aus demselben gebracht, sieh umkehren, bis der Magnet sich in der natürlichen Lage im Meridiane befindet.

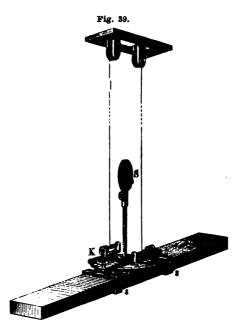
Der dritte Fall ist der, dals die magnetische Axe des Stabes irgend einem Winkel mit der immer als senkrecht zum magnetischen Meridiane vorausgesetzten Vertikalebene der beiden Fäden bildet, welcher kleiner ist als ein rechter. Der Magnetstab wird dann eine Lage annehmen, welche abhängt von dem Verhältnis der beiden Direktionskräfte und dem Winkel, den die magnetische Axe des Stabes mit jener Vertikalebene macht. Ändert sich die magnetische Direktionskraft, so ändert sich auch sofort die Stellung des Magnetes; wird sie größer, so wird er dem Meridiane näher gebracht, bis die Vergrößerung der Richtkraft infolge der stärkeren Drehung der Fäden der verstärkten magnetischen Kraft das Gleichgewicht halt. Verkleinert sich die magnetische Direktionskraft, so wird der Magnet stärker abgelenkt. Kennt man den Winkel, den der Stab in der Ruhelage mit dem Meridiane bildet, und die Drehung der Fäden, so erhält man nach den Gesetzen der Statik das Verhältnis der beiden Direktionskräfte, und kennt man diejenige infolge der Aufhängung, so kann man die magnetische Direktionskraft daraus berechnen.

Dieser letzte Fall ist also sehr geeignet die Aufgabe, welche Gauss sich gesetzt hatte, zu lösen, die Veränderungen der erdmagnetischen Kraft zu beobachten, denn wir erhalten den einem bestimmten Momente entsprechenden Wert von $M \cdot T$, und somit auch wenn der Magnetismus des Stabes durch frühere Versuche ein für allemal nach absolutem Maße gefunden ist, den Wert von T.

Diesen Fall benutzte daher auch Gauss bei Konstruktion seines Bifilar magnetometers. Der Magnetstab ist ähnlich wie bei dem einfachen Magnetometer in ein Schiffchen ss eingelegt, welches von einem geteilten Kreise K (Fig. 39) getragen wird. Der Kreis ist an zwei langen Drähten be-

der besser an den Enden eines einzigen, der oben an der Decke i etwa 4 cm entfernte Cylinder geführt ist; die Enden desselben in an dem Kreise an Schrauben befestigt, so dass durch Drehung der Apparat etwas gehoben oder gesenkt werden kann. Das

1 ist um das Centrum es drehbar und mit zwei ersehen, welche an einem etrischen Axe des Schiffes 1 Radius n des Kreises sind, der sich mit dem ı dreht. Man kann somit die Stellung des Schifflesen. In der Axe des st ferner ein drehbarer mit einer Alhidade und ersehener Zapfen angewelcher einen kleinen i trägt. Der Spiegel rewie bei dem einfachen neter in ein entferntes einen Teil der unter dem befestigten Skala. Auf ise ist jede horizontale des Kreises von einer be-Lage auf das genaueste .; kleinere Drehungen an , indem man die Skalenpachtet, welche an dem



uze des Fernrohrs erscheinen, größere, indem man den Spiegel ige zurückdreht, bis wieder der frühere Skalenteil in das Fernektiert wird, und die Größe der Drehung auf dem geteilten it Hilfe der mit dem Zapfen des Spiegels verbundenen Nonien

Beobachtung der Intensitätsvariationen richtet man den Apparat maßen ein. Man legt zunächst in das Schiffchen ein dem Magnete Gewicht; der Apparat wird seine Gleichgewichtslage annehmen, lie Drähte beide in einer Vertikalebene sich befinden. Das Schiffd dann dem magnetischen Meridiane möglichst genau parallel was man daran erkennt, daß der Apparat bei Vertauschung des mit dem Magnete seine Stellung durchaus nicht ändert. Der vird dann so gestellt, daß das Bild der Skala in dem entfernten gesehen wird.

ch Schwingungsbeobachtungen wird die Direktionskraft S der estimmt, welche etwas größer sein muß als die magnetische skraft des Magnets. Darauf wird der Magnetstab in das Schiffchen id zwar in verkehrter Lage, so daß sein Stidpol gegen Norden bei, wie erwähnt, keine Änderung in der Stellung des Apparates darf. Man beobachtet dann die Schwingungsdauer t. Da jetzt enz der Direktionskraft infolge der Aufhängung und der magne-

tischen den Apparat zu drehen sucht, so ist, wenn K das Neg moment des Apparates in Bezug auf die Drehungsaxe, M die mege Direktionskraft ist,

 $t^2 = \pi^2 \, \frac{K}{S - M} \, \cdot$

Man legt dann den Magnetstab in natürlicher Lage in das Sch Nord gegen Nord, und beobachtet die Schwingungsdauer z. Da je Summe der magnetischen Direktionskraft und derjenigen infolge d hängung den Apparat richten, so ist

$$\tau^2 = \pi^2 \frac{K}{S + M}$$

Man erhält daraus das Verhältnis der beiden Kräfte S und

$$S + M: S - M = t^2: \tau^3$$

$$2S: S - M = t^2 + \tau^9: \tau^9$$

$$2M: S - M = t^2 - \tau^2: \tau^2,$$

und aus den beiden letzten Gleichungen

$$S: M = t^2 + \tau^2: t^2 - \tau^2.$$

Weicht dieses Verhältnis sehr von der Gleichheit ab, so näh die Drähte einander, so daß etwa S = 1,1 M ist, was durch oder Rechnung leicht bestimmt werden kann.

Nachdem der Apparat so weit geordnet ist, sucht man dem stab eine solche Lage zu geben, daß er senkrecht zum mag Meridiane zu stehen kommt, wenn der Apparat sich selbst überlas nachdem der Magnet gedreht ist.

Die untere Verbindungslinie der Aufhängepunkte der Drähte gegen die obere um einen gewissen Winkel z gedreht, und da d tionskraft infolge der Aufhängung dem Sinus dieses Winkels pro ist, so ist die Kraft, • mit welcher der Apparat infolgedessen wird, gleich S • sin z.

Da der Magnet senkrecht zum magnetischen Meridiane steher wird derselbe durch das ganze Drehungsmoment M, welches der E tismus ihm erteilt, zurückgeführt. Die Gleichgewichtsbedingung

$$S \sin z = M$$

$$\sin z = \frac{M}{S} = \frac{t^2 - \tau^2}{t^2 + \tau^2}.$$

Dreht man daher den Magnetstab aus seiner natürlichen I einen Winkel $90^{9} + z$, etwa so, daß sein Nordpol nach Osten wird derselbe wieder in den magnetischen Meridian zurückzukehren und das ihn zurückführende Drehungsmoment wird zunächst zu bis der Magnet mit dem magnetischen Meridiane einen rechter bildet. Dann ist es gleich M.

Der Magnet kann aber, da man nach der Drehung das S wieder am Kreise festgeklemmt hat, nur zurückkehren, indem er d und mit diesem die untere Verbindungslinie der Fäden dreht. Ist senkrecht zum magnetischen Meridiane geworden, so haben sich d m den Winkel z gedreht, die Gleichgewichtsbedingung ist dann erreicht, a die magnetische Direktionskraft M den Apparat nach der einen, die irektionskraft S sin z ihn nach der andern Seite zu drehen sucht. Dreht ian jetzt den Spiegel um den Winkel z nach der Seite, nach welcher der lagnet gedreht war, so sieht man im Fernrohr wieder denselben Punkt er Skala reflektiert wie früher.

In dieser von Gauss die transversale genannten Lage bleibt der Aparat stehen und die Änderungen der Intensität beobachtet man an der stala. Denn wird M jetzt größer, so hält $S \sin z$ nicht mehr der ganzen iorizontalen Komponente das Gleichgewicht, der Stab dreht sich gegen eine natürliche Lage, bis der vergrößerte Winkel z der dann noch leibenden Komponente von M das Gleichgewicht hält. Wird M kleiner, 50 wird der Magnetstab der verkehrten Lage zugedreht, so weit, bis die Verkleinerung von z der noch übrig bleibenden Komponente das Gleichzewicht halt.

Man beobachtet die Gleichgewichtslage des Bifilarmagnetometers jedenalls am besten aus den Schwingungen desselben, wie bei der Beobachtung ler Deklinationen. Die Schwingungsdauer des Apparates lässt sich leicht ölgendermaßen erhalten. Ist der Apparat um einen Winkel α nach der inen Seite gedreht, so ist die Kraft, welche ihn in die frühere Lage arücktreibt.

$$S\sin(z+\alpha)-M\cos\alpha$$

wenn wir den Sinus der Summe $z + \alpha$ auflösen und beachten, dass $\int \sin z - \mathbf{M} = 0,$

$$S\cos z\sin \alpha$$
,

30 dals S cos z die Kraft ist, welche den aus der transversalen Lage um 90° gedrehten Apparat in seine Gleichgewichtslage zurücktreibt; daraus folgt für die Schwingungsdauer

Nun ist
$$t_1^2 = \pi^2 \cdot \frac{K}{S \cos z}.$$

$$\cos z = \sqrt{1 - \frac{M^2}{S^2}} = \frac{\sqrt{S^2 - M^2}}{S},$$

$$t_1^2 = \pi^2 \cdot \frac{S}{\sqrt{S^2 - M^2}},$$

$$\det_{\Gamma}$$

ider

$$t_1^2 = t \cdot \tau$$
.

Die Schwingungsdauer des Apparates bei transversaler Lage des Magnetes ist gleich der mittleren Proportionalen zwischen den Schwingungslauern des Apparates bei natürlicher und verkehrter Lage des Magnetes.

Wir erhalten die Anderung der Intensität direkt in Teilen der Skala; $^{
m iucht}$ man daraus den Ablenkungswinkel v aus der transversalen Lage zu Pestimmen, so ist nach dem Vorigen, weil S cos z die Direktionskraft les Apparates in absolutem mechanischem Masse ist,

$$S \cos z \sin v$$
,

oder da wir bei so kleinen Ablenkungen den Sinus mit dem Bogen, den-

selben natürlich auch in Teilen des Halbmessers ausgedrückt, vertauschen können

die Änderung der magnetischen Direktionskraft in absolutem Maße. Da nun die magnetische Direktionskraft selbst gleich S sin z ist, so wird

$$v \cdot \frac{S \cos z}{S \sin z} = v \cot z = v \cdot \frac{2t\tau}{t^2 - \tau^2}$$

die Änderung der magnetischen Direktionskraft in Bruchteilen derselben und somit auch die Änderung der horizontalen Komponente der erdmagnetischen Kraft in Bruchteilen derselben¹).

Aus der horizontalen Komponente der erdmagnetischen Kraft T und dem Inklinationswinkel i erhält man dann die totale Intensität des Erdmagnetismus I

$$I = \frac{T}{\cos i},$$

und ebenfalls dann aus dieser in

$$V = I \cdot \sin i$$

die vertikale Komponente, so daß die drei Elemente: Deklination, Inklination und Intensität die erdmagnetische Kraft am Orte der Beobachtung der Größe und Richtung nach vollständig bestimmen.

§. 26.

Der magnetische Zustand der Erde. Nach den in den letzten drei Paragraphen beschriebenen Methoden sind an vielen Orten der Erde magnetische Beobachtungen angestellt worden. Für die verschiedensten Pankte der Erde sind die Deklination und Inklination und in neuester Zeit auch die horizontale Intensität bestimmt worden. Wenn auch die Beobachtungen bei weitem noch nicht zahlreich genug sind, um den magnetischen Zustand der Erde mit denselben vollständig zu bestimmen, so reichen sin doch, wie Gauss gezeigt hat, hin, um gewisse Sätze über den magnetischen Zustand der Erde abzuleiten und denselben im allgemeinen zu charakterisieren.

Um einen Überblick über die Resultate der Beobachtungen zu erhalten, hat man schon früh ein graphisches Verfahren angewandt, indem man auf genauen Karten der Erde oder einzelner Teile derselben die beobachteten Deklinationen und Inklinationen, und jetzt auch die Intensitäten eintrug. Auf diese Weise erhielt man die Orte, an welchen sich die Deklinationen oder Inklinationen gleich zeigten, und man fand, jemehr Beobachtungen angestellt wurden, daß die Orte, an welchen eines der drei Elemente gleichen Wert hatte, durch Linien mit einander verbunden werden konnten, welche im großen und ganzen nicht zu vielfach gekrümmt waren. Unter der Voraussetzung, daß jedes der drei Elemente an der Erdoberfläche sich stetig, nicht sprungweise ändert, eine Voraussetzung

¹⁾ Man sehe auch die Abhandlungen von W. Weber in den Resultaten Bd. II, p. 20, und von Gauss in den Resultaten Bd. IV, in welcher letzterer das Bifflarmagnetometer ganz allgemein behandelt ist.

welche nach der im vorigen Kapitel dargelegten Lehre von dem magnetischen Verhalten der Körper notwendig ist, wenn wir die Erde selbst als einen großen Magnet ansehen, erhielten diese Linien eine große Bedeutung. Denn dann war man berechtigt anzunehmen, daß alle von diesen Linien getroffenen Orte auch für jenes Element denselben Wert hätten wie jene Orte, welche man zuerst wegen der Gleichheit dieses Elementes verband.

Auf diese Weise entstanden auf den Karten drei Liniensysteme, deren eines die Orte gleicher Deklination mit einander verbindet, man nennt es das System der Isogonen; das zweite besteht aus jenen Linien, welche die Orte gleicher Inklination verbinden, es ist das System der Isoklinen, und das dritte verbindet die Orte gleicher Intensität und führt den Namen der Isodynamen.

Die Isogonen und Isoklinen reichen noch nicht allein hin, um die Richtung der Magnetnadel im Raume an einem Orte zu bestimmen, da sie von veränderlichen Richtungen aus gerechnet werden, die Isogonen von der Richtung des Meridianes, die Isoklinen von derjenigen der Horizontalen aus. Beide Richtungen sind aber für verschiedene Orte verschieden. Man muß daher zu den Isogonen noch die geographische Länge, zu den Isoklinen die Breite hinzufügen, um die Richtung der Nadel zu bestimmen.

Anstatt die Richtung der Magnetnadel durch die Deklination und Breite auf den Karten zu verzeichnen, hat Duperrey eine andere Konstruktion angewandt, die Zeichnung magnetischer Meridiane. Ein magnetischer Meridian ist die Verbindungslinie aller der Orte, an welchen die Richtung der horizontalen Magnetnadel im Raume dieselbe ist. Eine Magnetnadel, welche ihn durchläuft, muß demnach an allen Punkten desselben in derselben Vertikalebene sich befinden. Die Deklination der Magnetnadel ist eben deshalb an den verschiedenen Orten auf demselben magnetischen Meridiane verschieden, so wie die Richtung der Nadel an den Orten gleicher Deklination verschieden ist; denn da die Richtung der verschiedenen astronomischen Meridiane eine verschiedene ist, so muß dieselbe Richtung mit den verschiedenen Meridianen verschiedene Winkel bilden.

Auf diese Weise sind mehrfach magnetische Karten konstruiert worden, zuerst von Halley für das Jahr 1700, später von Hansteen für das Jahr 1780 und für die Jahre 1600, 1700 und 1800. Letztere sind nur Deklinationskarten. A. Ermann gab später eine Karte der Deklinationen für 1827—1830 und Barlow eine für 1833. Daran schließst sich die allgemeine Karte von Duperrey mit Meridianen und schließlich der den Resultaten aus den Beobachtungen des magnetischen Vereins beigegebene Atlas, den Gauss bei der Durchführung seiner allgemeinen Theorie des Erdmagnetismus hatte ausführen lassen. Die deutsche Seewarte gab schließlich drei erdmagnetische Karten, welche die Linien gleicher Deklination, Inklination und gleicher Horizontalintensität für 1880 enthalten 1).

Aus den Deklinationskarten ergiebt sich im allgemeinen, dass die Deklination an den verschiedenen Orten die verschiedensten Werte hat, dass sie nahe auf der Hälfte der Erde westlich, auf der andern östlich ist. Beide Hälften sind getrennt durch die Orte ohne Deklination, welche auf einer wahrscheinlich in sich geschlossenen Linie liegen, die jedoch vielfach

¹⁾ Annalen der Hydrographie Bd. VIII.

gekrümmt ist. Man kennt von dieser Linie bis jetzt zwei getrennte Teile der eine dieser Teile durchschneidet die Hudsonsbai, den östlichen Teil von Nordamerika, tritt ungefähr bei 73° W. L. von Greenwich und 38° N. Br in den atlantischen Ocean, zieht sich östlich an den westindischen Inselt vorüber, durchsetzt die Ostspitze von Südamerika und tritt bei ungefähr 40° W. L. von Greenwich und 20° S. Br. wieder ins Meer. Der andere Tei zieht sich zwischen dem 45. und 50. Grad O. L. durch das russische Asien geht durch das kaspische Meer und wendet sich, nachdem er das östliche Arabien durchzogen, stark nach Osten dem australischen Kontinente zu

Auf der einen Seite dieser Agone ist die Deklination westlich, nämlich auf der europäischen, auf der anderen ist sie östlich; die Deklination ist um so größer, je weiter man sich von den Agonen entfernt. Die Isogonen haben sonst im allgemeinen einen ähnlich gekrümmten Lauf wie die Agone.

Da sich in den astronomischen Polen alle Meridiane schneiden, so müssen sich deshalb auch alle Isogonen dort schneiden, d. h. am Pol hat die Deklination alle möglichen Werte, obwohl die Nadel dort nur eine feste Richtung hat; die Deklination ist verschieden, je nach dem Meridians, welchen man aus den unendlich vielen im Pole sich schneidenden auswählt, um mit ihm die Richtung der Magnetnadel zu vergleichen.

Die Isogonen schneiden sich außerdem noch in zwei anderen Punkten, in der Nühe der beiden Pole der Erde, in welchen die horizontale Magnetnadel durchaus keine bestimmte Richtung mehr hat, weil dort die Richtung der erdmagnetischen Kraft vertikal ist. Man nennt diese Punkte die magnetischen Pole der Erde. Der eine derselben, der nördliche magnetische Stdpol, befindet sich nach den Beobachtungen des Kapitän Ross bei 70°5 nördlicher Breite und bei 96°46' westlicher Länge von Greenwich. Der südliche magnetische Pol liegt nach Gauss in der Gegend von 66° südlicher Breite und 146° östlicher Länge von Greenwich. Die beiden Pole liegen also nicht an den entgegengesetzten Enden eines Durchmessers der Erde.

Die Inklination hat ebenfalls an den verschiedenen Punkten der Erde sehr verschiedene Werte, sie ist auf einem Teile der Erde so, daß der Nordpol, auf dem andern so, daß der Südpol unter der Horizontalen steht Auf beiden Teilen durchläuft sie alle Werte von 0° bis 90°. Die beiden Teile sind getrennt durch Orte, an welchen die Magnetnadel horizontal, also ohne Neigung ist. Die Kurve, welchen diese Orte verbindet, nennt man die Akline oder den magnetischen Äquator. Derselbe liegt in del Nähe des astronomischen Äquators, welchen sie mehrfach schneidet, näm lich in der Nähe der Westküste von Afrika im atlantischen Ocean und in stillen Ocean. Von dem ersten Schnittpunkte nach Osten durchschneide die Akline das mittlere Afrika, entfernt sich südlich von Arabien bei un gefähr 50° O. L. von Greenwich bis zum 18° N. Br. vom Äquator, senk sich dann südlich an Asien vorbeilaufend wieder zum Äquator, schneide ihn im stillen Ocean und entfernt sich dann nach Süden hin von ihm bi ungefähr 15° S. Br. in der Nähe der Küste von Brasilien.

Südlich vom magnetischen Äquator ist die Inklination eine südlich nördlich von ihm ist sie nördlich, sie wächst, je weiter man sich vo demselben entfernt und wird schliefslich in den magnetischen Polen gleic 90°. An der vertikalen Stellung der Inklinationsnadel geben sich di

netischen Pole zu erkennen. Die Linien gleicher Neigung umgeben magnetischen Pole in ähnlicher Weise wie die Parallelkreise die astroischen, ohne dass sie jedoch wie diese Kreise wären. Sie sind alle rfach gekrümmte Kurven.

Die Linien gleicher Intensität laufen ungefähr wie die Isoklinen; sie en, dass die Intensität in der Nähe des Äquators am kleinsten ist, und sie zunimmt, je weiter man sich von demselben entfernt. Die Punkte ster Intensität fallen nicht mit den magnetischen Polen zusammen, ja jiebt deren mehrere. Auf der nördlichen Halbkugel sind deren zwei immt, der eine in Nordamerika, der andere im nördlichen Asien; die nsität ist dort ungefähr die doppelte von jener am Äquator¹).

Es fragt sich nun, welcher ist der magnetische Zustand der Erde, dem die oben in groben Zügen dargelegten Erscheinungen hervorgehen, mit anderen Worten, wie muss die Erde magnetisiert sein, wo liegen Pole dieses Magnetes, in welcher Richtung seine Axe, wo ist seine ellinie, schliefslich wie stark ist er magnetisiert, was ist sein magnees Moment. Alle diese Fragen kann nur eine mathematische Behandlösen, welche von den Grundgesetzen des Magnetismus ausgehend die und Kraft des Magnetes zu berechnen sucht, welcher an der Oberfläche Erde sich in der durch die Beobachtungen gegebenen Weise äußert. Der Erste, welcher den Versuch machte diese Frage zu lösen, war as Mayer2). Er schlug dazu folgenden Weg ein. Er nahm an, es besich in der Erde ein kleiner Magnet, dessen Mittelpunkt mit demen der Erde zusammenfällt, und dessen Pole sich in geringer Enting von demselben befinden. Er berechnete dann nach den Gesetzen magnetischen Anziehung und Abstoßung den Einfluß, welchen dieser net auf einen kleinen Magnet an irgend einem Punkte der Erdobere haben würde. Die an diesem Punkte wirksame Kraft kann man in Komponenten zerlegen, von denen zwei der Horizontalebene des beenden Ortes parallel, die dritte dagegen vertikal ist. Von den beiden contalen Komponenten ist die eine dem astronomischen Meridiane par-, die andere zu ihm senkrecht. Das Verhältnis der beiden letzten Komenten giebt die Richtung des magnetischen Meridianes, die Wurzel aus Summe ihrer Quadrate die horizontale Intensität, und das Verhältnis er zur vertikalen Komponente die Richtung der Inklination.

Ohne auf diese Theorie weiter einzugehen, die später auch Biot und ere verfolgten, sind einige wesentliche Schlüsse derselben leicht zu übern. Es müssen nämlich nach derselben die beiden magnetischen Pole Punkte sein, wo die verlängerte Axe des kleinen Magnetes die Erdfäche trifft. Der magnetische Äquator muß ein größter Kreis sein, her senkrecht ist zu der Verbindungslinie der beiden Pole; die magneten Meridiane müssen ebenfalls größte Kreise und senkrecht zum magneten Äquator sein. Die Richtung einer ganz frei schwebenden Magnetel muß auf allen Punkten eines mit dem magnetischen Äquator paral-

¹⁾ Man sehe die verschiedenen Atlanten des Erdmagnetismus, besonders den Gauss, welcher den Resultaten aus den Beobachtungen des magnetischen eines beigegeben ist, und die Tabelle im Bd. III der Resultate p. 36 ff. und Karten der deutschen Seewarte für 1880.

²⁾ Gehlers Wörterbuch Bd. VI. 2. Erdmagnetismus, Theorie.

lelen Kreises dieselbe sein; und schliesslich die Intensität muß am Äquator am kleinsten, an den Polen am größten und auf den verschiedenen Punkten der magnetischen Parallelen dieselbe sein.

Ein Vergleich dieser Folgerungen mit den Resultaten der Beobachtung zeigt aber sofort, dass kaum eine einzige bestätigt wird, dass weder der magnetische Äquator, noch die Meridiane größte Kreise, noch auch dass dieselben zu einander senkrecht sind. Ebenso ist es mit den anderen Folgerungen.

Der magnetische Zustand der Erde ist also nicht derartig, als wenn in dem Innern der Erde ein solcher kleiner Magnet vorhanden wäre.

Die Unzulänglichkeit dieser Theorie führte Hansteen¹) zu der Annahme, der magnetische Zustand der Erde ließe sich darstellen durch zwei im Innern der Erde vorhandene kleine Magnete von ungleicher Lage und ungleicher Stärke. Um die Folgerungen aus dieser Annahme zu ziehen, hat man die Rechnungen ganz ähnlich zu führen, wie wir sie oben andeuteten. Hansteen hat dieselben durchgeführt, und um die Resultate der Theorie, die sich hier nicht so übersichtlich darstellen lassen, mit der Erfahrung zu vergleichen, für 48 Orte die drei Elemente der erdmagnetischen Kraft berechnet und mit den Beobachtungen zusammengestellt. In dieser Zusammenstellung²) zeigen sich aber zwischen Erfahrung und Theorie so bedeutende Unterschiede, daß man die Theorie nur als unzulänglich bezeichnen kann; die Unterschiede zwischen den berechneten und beobachteten Werten steigen bei der Deklination auf fast 30° und bei der Inklination auf fast 13°.

Bei so bedeutenden Abweichungen wird man zu dem Schlusse geführt, dass die magnetische Beschaffenheit der Erde keine solche ist, für welche eine Konzentrierung in einen oder in ein paar einzelne kleine Magnete gesetzt werden kann. Es würde nun wohl möglich sein, durch die Annahme einer größeren Anzahl von Magneten und deren passende Verteilung im Innern der Erde eine genügende Übereinstimmung zwischen Theorie und Erfahrung herzustellen, indes wird man die so angenommene Beschaffenheit des magnetischen Zustandes der Erde nicht als der Wirklichkeit entsprechend ansehen dürfen, ebensowenig wie wir der Emissionshypothese eine reale Geltung zulegen können, welche durch Häufung von Hypothesen imstande war, eine große Anzahl von Lichterscheinungen aus sich abzuleiten.

Deshalb schlug Gauss in seiner allgemeinen Theorie des Erdmagnetismus³) einen ganz anderen Weg ein; er legte keine Hypothese über die magnetische Verteilung in der Erde zu Grunde, sondern ging von der durch die Beobachtungen gelieferten Äußerungen der magnetischen Erd kraft aus. Es gelang ihm auf diese Weise nicht nur, die beobachteten Wert der drei Elemente durch eine Formel wiederzugeben, sondern auch die Lage der magnetischen Axe in der Erde und das magnetische Moment de ganzen Erde zu bestimmen. Wir müssen uns hier damit begnügen, die

¹⁾ Hansteen, Untersuchungen über den Magnetismus der Erde. Gehler Wörterbuch Bd. VI, 2.

²⁾ Die Zusammenstellung findet sich vollständig in Gehlers Wörterbuc Bd. VI, 2. p. 1072 ff.
3) Gauss, Resultate aus den Beobachtungen etc. Bd. III.

rundzüge dieser Theorie darzulegen, da eine vollständige Behandlung rselben sehr schwierige mathematische Entwickelungen voraussetzt.

Die Grundlage der Gaussschen Untersuchungen ist die Voraussetzung, is die erdmagnetische Kraft die Gesamtwirkung der magnetischen Teile s Erdkörpers ist; das Magnetisiertsein stellt sich Gauss als Scheidung r magnetischen Flüssigkeiten vor, so also, dass die magnetischen Teile r Erde aus Elementarmagneten bestehen. Als Mass der magnetischen üssigkeiten wendet er das absolute von ihm aufgestellte Mass an, nach elchem als positive Einheit jene Quantität nördlichen Fluidums gedacht ird, welche auf eine ebenso große Quantität desselben Fluidums in der Einheit angenommenen Entfernung eine bewegende Kraft ausübt, die zur Einheit angenommenen gleich ist. Südlicher Magnetismus ist mnach mit dem negativen Vorzeichen zu versehen; da nach der Theorie z Scheidung in jedem Elementarmagnete genau ebensoviel Südmagnesmus wie Nordmagnetismus vorhanden ist, muß die Summe der Magnesmen in der Erde wie in jedem Magnete gleich null sein.

Da die Magnetismen nach dem umgekehrten Quadrate der Entferingen wirken, können wir für jeden Punkt der Erde die Richtung und röße der magnetischen Kraft, also auch die drei der Beobachtung zuinglichen Größen: Deklination, Inklination und Horizontalintensität bethnen, wenn wir für jeden Punkt der Erde die Potentialfunktion des der Erde vorhandenen Magnetismus angeben können. Ist $d\mu$ das in nem Raumelement der Erde vorhandene Quantum an freiem Magnetismus al ϱ der Abstand desselben von irgend einem Punkte des Raumes, desm Koordinaten in einem irgend wie gelegten rechtwinkligen Kordinatenstem x, y, z sind, so ist nach §. 2 die Potentialfunktion des Magnetismus der Erde in dem betrachteten Punkte des Raumes

$$V = \int \frac{d\mu}{\varrho},$$

¹⁰ die Integration über die ganze Erde auszudehnen ist. Die den Koordinatenaxen parallelen Komponenten der Kraft sind

$$\xi = -\frac{\partial V}{\partial x}, \quad \eta = -\frac{\partial V}{\partial y}, \quad \xi = -\frac{\partial V}{\partial z}$$

nd die Größe der resultierenden Kraft ist

$$\psi = 1/\xi^2 + \eta^2 + \xi^2.$$

Kennt man somit für den betrachteten auf der Oberfläche der Erde iegenden Punkt den Winkel, den die Richtung des Meridians und der forizontalen mit den Koordinatenaxen bildet, so kann man alle den Erdagnetismus betreffenden Größen aus dem Werte von V berechnen.

Anstatt die Potentialfunktion in rechtwinkligen Koordinaten auszurücken, können wir auch andere einführen, und Gauss wählte dafür die intfernung r des betrachteten Punktes von dem Mittelpunkte der Erde, len Winkel u, welchen die Richtung r mit dem nördlichen Teil der Erdze bildet und den Winkel λ , den eine durch r und die Erdaxe gelegte übene mit einer festen Meridianebene bildet.

Sind r_0 , u_0 , λ_0 die Koordinaten eines Elementes $d\mu$ der Erde, si weiter r, u, λ diejenigen des betrachteten, irgendwo im Raume liegend Punktes, so wird zunächst in diesen Koordinaten ausgedrückt

$$\varrho^{2} = r^{2} - 2rr_{0} \{\cos u \cos u_{0} + \sin u \sin u_{0} \cos (\lambda - \lambda_{0})\} + r_{0}^{2}.$$

Man übersieht diese Form für ϱ am leichtesten, wenn man ϱ s zunächst durch rechtwinklige Koordinaten darstellt, deren Z-Axe mit der Erdaxe, deren Y-Axe mit dem Äquatorialradius der festen Meridianeb zusammenfüllt, und deren X-Axe senkrecht zu dieser Ebene ist. Drüman die rechtwinkligen Koordinaten durch r, u, λ aus, so erhält n den Ausdruck für ϱ unmittelbar. Damit wird

$$V = \int_{-\sqrt{r^2 - 2rr_0} \left\{\cos u \cos u_0 + \sin u \sin u_0 \cos (\lambda - \lambda_0)\right\} + r_0^2}^{d\mu}$$

Gauss setzt nun für die Potentialfunktion eine nach fallenden Poten von r fortschreitende Reihe, welcher er die Form giebt

$$-V = \frac{R^{2}P^{0}}{r} + \frac{R^{5}P'}{r^{2}} + \frac{R^{4}P''}{r^{3}} + \frac{R^{5}P'''}{r^{4}} + \cdots,$$

worin R den Radius der Erde, dieselbe als Kugel betrachtet, bedeute Die Koefficienten dieser Reihe sind nur mehr Funktionen von Au. Entwickelt man nämlich den Ausdruck im Nenner unter dem Integrzeichen in eine Reihe, so werden z. B. die beiden ersten Glieder die Reihe

$$\frac{1}{r} + \frac{r_0}{r^2} \left\{ \cos u \cos u_0 + \sin u \sin u_0 \cos (\lambda - \lambda_0) \right\} + \frac{r_0^2}{r^3} + \cdots,$$

somit wird

$$R^{2} P^{0} = -\int d\mu$$

$$R^{3} P^{1} = -\left\{\alpha \cos u + \beta \sin u \cos \lambda + \gamma \sin u \sin \lambda\right\},$$

worin

$$\alpha = \int r_0 d\mu \cos u_0 \qquad \beta = \int r_0 d\mu \sin u_0 \cos \lambda_0$$
$$\gamma = \int r_0 d\mu \sin u_0 \sin \lambda_0$$

bedeuten.

Nach der von Gauss angenommenen Verteilungstheorie des Mag tismus ist in der Erde genau soviel nördlicher wie südlicher Magne mus vorhanden, es ist deshalb $\int d\mu$ und damit $P^0 = 0$. Für die Pun der Erdoberfläche nimmt in der Reihe für V die Größe r den Wert Rfür diese wird daher unter Beachtung daß $P^0 = 0$,

$$- V = R(P' + P'' + P''' + \cdots),$$

und auch hier sind die Koefficienten P', $P'' \cdots$ nur abhängig von $u \in \lambda$, sie lassen sich, wie das Beispiel für P' zeigt, durch Ausdrücke of stellen, welche außer konstanten Koefficienten nur Potenzen von sit cos u, sin λ , cos λ enthalten. In dieser Weise enthält der Ausdruck P', wie wir sehen, drei Glieder mit drei konstanten Zahlenkoefficien der Ausdruck für P'' enthält fünf, für P''' sieben, für P''' neun Kocienten u. s. f. Eine genauere Untersuchung dieser Koefficienten besone

mit Zuhilfenahme der Differentialquotienten von V führte zu dem Resultate, daß sich dieselben aus einer hinreichenden Anzahl Beobachtungen der Größe und Richtung der erdmagnetischen Kraft an der Erdoberfläche ableiten lassen. Auf diese Untersuchung von Gauss näher einzugehen, ist hier nicht möglich.

Die an 84 Orten beobachteten Werte für die Richtung und Größe der erdmagnetischen Kraft setzten Gauss in den Stand, die Berechnung der in den vier ersten Gliedern vorhandenen Koefficienten durchzuführen. also einen angenäherten Wert von V zu erhalten. Gauss berechnete dieselben und erhielt so eine Reihe für V, geordnet nach steigenden Potenzen der trigonometrischen Funktionen von u und a, mit bestimmten Zahlenkoefficienten, welche für jeden Punkt der Erde den Wert von V zu berechnen und aus diesem die Deklination, Inklination und Intensität abzuleiten gestattete. Um diese theoretisch abgeleitete Reihe für V zu prüfen, berechnete er für 91 Orte der Erde, von denen gute Beobachtungen vorlagen, die drei Elemente: Deklination, Inklination und Intensität, und verglich sie mit den beobachteten Werten. Es zeigten sich allerdings noch Unterschiede zwischen Beobachtung und Rechnung, aber nur noch 30 geringe, dass man sicher erwarten kann, einen den magnetischen Zustand der Erdoberfläche mit größter Genauigkeit darstellenden Ausdruck für V zu erhalten, wenn aus den hinreichenden ferneren Beobachtungen noch die 11 Koefficienten für ein fünftes Glied der Reihe berechnet werden.

Die erste Forderung, welche an eine Theorie des Erdmagnetismus gestellt werden mus, ist hierdurch erfüllt; die von Gauss gegebene setzt uns in den Stand, den magnetischen Zustand der Erdoberstäche durch Rechnung zu bestimmen, also die Verteilung des freien Magnetismus an der Oberstäche der Erde darzustellen. Es fragt sich nun, wie weit ist sie imstande die zweite Forderung zu erfüllen, uns zu sagen, wie die Erde magnetisiert ist, an deren Oberstäche die gefundene Verteilung stattsindet. Auch das ist der Fall, soweit es überhaupt möglich ist. Nicht möglich ist es, aus der beobachteten Verteilung an der Oberstäche diejenige im Innern der Erde vollständig abzuleiten.

Es läßt sich nämlich, wie Gauss zeigt, beweisen, daß man anstatt jeder beliebigen Verteilung des Magnetismus im Innern eines körperlichen Raumes allemal eine Verteilung auf der Oberfläche dieses Raumes substituieren kann, so daß die Wirkung in jedem Punkte des äusseren Raumes genau dieselbe bleibt. Daraus folgt unmittelbar, daß einerlei Wirkung im ganzen äußeren Raume aus unendlich vielen verschiedenen Verteilungen der magnetischen Flüssigkeiten im Innern abzuleiten ist.

Dagegen aber läst sich zeigen, das der Sitz der konstanten magnetischen Kräfte, deren Theorie in dem Vorigen angedeutet ist, notwendig im Innern der Erde, nicht in der Atmosphäre oder im Raume, sich befinden muß. Die erdmagnetische Kraft läst sich an jedem Orte in eine vertikale und zwei horizontale zerlegen, deren letzteren eine parallel dem astronomischen Meridiane, deren andere zu demselben senkrecht ist. Entwickelt man unter Voraussetzung, das der Sitz der erdmagnetischen Kraft außerhalb der Erde ist, die drei Komponenten aus dem dann für jeden Punkt der Erde stattsindenden Werte des magnetischen Potentials, so erhält man für die horizontalen Komponenten dieselben, für die vertikalen

aber andere Werte als unter der Annahme, dass der Sitz der magnetische Kräfte in der Erde ist. Daraus ergiebt sich, dass auch die Richtung de Inklination und die totale Intensität in beiden Fällen eine verschieder sein muß. Da nun aber die Übereinstimmung zwischen der Beobachtun und der Rechnung mit der Annahme, dass der Sitz der Kräfte im Inner der Erde sei, eine sehr nahe ist, so folgt, dass diese Annahme der Wirllichkeit entspricht. Dabei ist es aber noch möglich, dass ein kleiner Te dieser Kräfte seinen Sitz außerhalb der Erde hat.

Ferner hat Gauss aus seiner Theorie die Richtung der magnetische Axe der Erde und das magnetische Moment derselben abzuleiten vermoch

Die magnetische Axe der Erde ist nicht jene Richtung, welche di beiden magnetischen Pole der Erde verbindet, da diese Richtung keines wegs jene Eigenschaften haben muß, welche die magnetische Axe ha Dieselbe ist jene Richtung eines Magnetes, in Bezug auf welche da Drehungsmoment MT, welches den Magnet in den Meridian zurückführ wenn er zu demselben senkrecht steht, seinen größten Wert hat, wie sie daraus ergiebt, daß der Magnet in Ruhe ist, wenn diese Richtung de Meridiane parallel ist. Jenes Drehungsmoment MT erhält aber seinen größte Wert, wenn das magnetische Moment M seinen größten Wert erhäl Daraus folgt, daß die magnetische Axe jene Richtung ist, in Bezug at welche das magnetische Moment, das ist die Summe aus allen Produkte der magnetischen Elemente und ihrer parallel dieser Richtung gemessene Abstände von der Mitte des Magnets, seinen größten Wert hat.

Diese Richtung ist für die Erde nach Gauss jener Erddurchmesse welcher die Punkte 77° 50′ N. Br., 63° 31′ westlicher Länge von Green wich und 77° 50′ S. Br., 116° 29′ östlicher Länge verbindet.

Das magnetische Moment der Erde ist dann nach absolutem Gausssche Maße gleich 853 800 Quadrillionen. Nach demselben Maße wurde de magnetische Moment eines einpfündigen Magnetstabes gleich 100 877 00 gefunden; es wären also 8464 Trillionen solcher Magnetstäbe mit parallele Axen erforderlich, um dieselbe magnetische Wirkung im äußeren Raum hervorzubringen als die Erde. Nimmt man an, daß der Magnetismus i der Erde gleichförmig verteilt ist, so würde jedes Kubikmeter der Erd in Bezug auf seine magnetische Wirkung durch acht solcher Stäbe m parallelen Axen ersetzt.

§. 27.

Variationen des Erdmagnetismus. Die numerischen Werte in dallgemeinen Theorie des Erdmagnetismus geben uns die Elemente desselbe abgesehen von lokalen Störungen für eine ganz bestimmte Zeit. Es gie nämlich zunächst einzelne Orte auf der Erde, wo die Richtung und Stär der erdmagnetischen Kraft nicht mit der angenommenen Stetigkeit in d Veränderung dieser Kraft übereinstimmt, wo sie nicht als eine Funkti der Lage dieses Ortes auf der Erdoberfläche auftritt, sondern stärker of schwächer oder anders gerichtet ist, als sie es den benachbarten Ort gemäß sein sollte. Es ist das z. B. an den Orten der Fall, an der sich magnetische Gesteine in großer Menge finden, welche also für s und außer ihrem Zusammenhange mit der ganzen Erde, einen magtischen Einfluß haben. Diese Einflüsse können natürlich in der Theo

ht berücksichtigt werden; sie sind Ausnahmefälle und müssen als solche andelt werden.

Anders ist es dagegen mit den Veränderungen des Erdmagnetismus Laufe der Zeit, welche, wie wir schon bei der Beobachtung der Elente angaben, sich an allen Orten zeigen. Man kann diese Veränderungen drei Gruppen teilen, erstens in die säkularen, zweitens in die täglichen,

ttens in die unregelmäßigen.

Die säkulären Änderungen sind besonders für die Richtung der erdgnetischen Kraft nachgewiesen, da nur für diese Beobachtungen aus
äheren Jahrhunderten vorliegen. Aus den Beobachtungen ergiebt sich,
is in Europa die Deklination bis gegen die Mitte des siebzehnten Jahrmderts östlich war, dann westlich wurde, bis zum Anfange dieses Jahrmderts an dieser Seite zunahm und jetzt wieder kleiner wird. Das zeigen
ligende Zahlen der zu Paris beobachteten Deklinationen:

Jahr	hr Abweichung		hung	Jahr		Abweichung		
1580	110	30'	östl.	1813		220	25'	westl.
1618	8	00	27	1814		22	34	22
1663	0	00	"	1818		22	22	22
1678	1	30	westl.	1822	7	22	11	22
1700	8	10	77	1824		22	23	11
1767	19	16	77	1828		22	6	77
1780	19	25	"	1835		22	4	22
1785	22	00	"	1849		20	34	1)
1805	22	5	"	1851		20	25	77

Wie man sieht, sind diese Änderungen durchaus nicht regelmäßig, stwa der Zeit proportional, denn wollte man z. B. die jährliche Änderung ma den Beobachtungen 1700 und 1767 berechnen, so erhielte man einen gam anderen Wert, als aus den Beobachtungen 1767 und 1814. Das Natimum der westlichen Abweichung ist 1814 erreicht, auf diesem bleibt mit einigen Schwankungen bis 1825 stehen, und seitdem wendet sich im magnetische Meridian wieder dem astronomischen zu.

Äbnliche Änderungen zeigt die Inklination, sie ist, seitdem sie be-

Werte derselben zeigen:

Jahr	Inklination	Jahr	Inklination.
1661	75° 00	1820	680 20
1758	72 15	1829	68 41
1780	71 48	1835	67 24
1805	69 12	1851	68 35.
1910	68 50		

Ähnliches zeigt sich an den übrigen Orten Europas, von denen länger

ungesetzte Beobachtungen vorliegen.

Anch die Inklination ändert sich nicht regelmäßig, sie ändert sich in verschiedenen Zeiten mit verschiedener Geschwindigkeit. Ob auch die Inklination wie die Deklination eine periodische Änderung zeigt, läßt ich noch nicht bestimmen; aus den Pariser Beobachtungen könnte man vermuten, da die Inklination seit dem Jahre 1829 um 68° schwankt. In Deutschland hat indes während dieser Zeit die Inklination sich noch Welleren, Physik. IV. 4 Aust.

fortwährend verkleinert, in München z. B. nach den Beobachtunge monts zwischen 1841 und 1852 von 65° 22′ auf 64° 54′, im I schnitt jedes Jahr um 2,3 Minuten.

In anderen Gegenden der Erde findet statt der Abnahme ein nahme der Inklination statt.

Die Intensität des Erdmagnetismus ist allerdings erst kurze Zeit achtet worden, indes ist doch mit Sicherheit zu konstatieren, da sich ebenfalls ändert. In unsern Breiten ist sie in den letzten 50 J gewachsen. In Göttingen nahm die horizontale Intensität von 182 1853 allmählich zu von 1,774 auf 1,805; in München von 184 1852 von 1,9300 auf 1,9519.

In der folgenden Tabelle stellen wir die von Lamont mitget Werte der drei magnetischen Größen für München bis zum Jahre zusammen¹); sie zeigen, daß auch bis zu diesem Zeitpunkte in Mü Deklination und Inklination stetig abnahmen, die Intensität dagegen zu

Jahr	Deklination	Inklination	Intensität
1853	15° 27′,00	64° 49′,0	1,9578
1854	. 19′,45	45,6	1,9614
1855	11,72	43,3	1,9639
1856	15^{0} 5',41	39,6	1,9680
1857	14° 57′,70	37,2	1,9706
1858	51,08	34,8	1,9730
1859	45,71	32,6	1,9754
1860	37,32	31,1	1,9770
1861	29,53	28,0	1,9798
1862	22,60	26,0	1,9821
1863	15,58	23,5	1,9851
1864	9,30	21,0	1,9878
1865	14^0 1,92	18,5	1,9905
1866	13° 54,44	15,2	1,9940
1867	46,67	12,1	1,9973
186 8	39,33	8 ,4	2,0013
1869	32,39	6,5	2,0033
1870	25,12	4,8	2,0051
1871	$13^{\circ} 18,57$	64^{0} 0,9	2,0093

Wie schon im vorigen Paragraphen erwähnt wurde, hat die den Seewarte eine Karte für die Elemente des Erdmagnetismus für das 1880 herausgegeben. Das so für 1880 vorliegende Beobachtungsmabenutzte von Quintus Icilius, um das erdmagnetische Potential für zu berechnen²). Die zu diesem Zweck unternommene Rechnung schränkte sich, wie die von Gauss, auf die vier ersten Koefficienter Reihe für V, hauptsächlich um die Zahlenreihen der neuen Rechnung den alten vergleichbar zu machen, daneben aber auch weil es zweißerschien, ob das Beobachtungsmaterial ausreiche, um durch Hinzuzie des fünften Koefficienten eine wesentlich bessere Übereinstimmung zwi

¹⁾ Lamont, Carls Repertorium für Experimentalphysik Bd. lX. 1878.
2) G. von Quintus Icilius, Archiv der deutschen Seewarte, IV. Jahrgang.

Rechnung und Beobachtung zu erhalten. Auf zwei der Arbeit von von Quintus Icilius beigegebenen Karten sind die Werte von $\frac{V}{R}$, sowohl wie sie sich nach der neuen Rechnung ergeben, als auch die Gaussschen aufgetragen.

Die Karten lassen erkennen, daß das magnetische Verhalten der Erde besonders in der nördlichen Polargegend sich in den letzten 50 Jahren nicht unerheblich geändert hat; der Wert des magnetischen Potentials ist hier sehr merklich größer geworden. An der Stelle des Maximums, welche nur wenig gegen diejenige, die Gauss gefunden hatte, verschoben ist, beträgt die Zunahme etwa 9,3 %.

Das magnetische Moment der Erde ist im Verhältnisse von 1:1,02985

größer geworden, also um fast 3 %.

Die Richtung der magnetischen Axe der Erde, welche von Gauss für 1830 parallel dem Erddurchmesser

von 77° 50′ nördl. Br. und 296° 29′ östl. L. nach 77° 50′ südl. Br. und 116° 29′ östl. L.

gefunden war, ergiebt sich für 1880 parallel dem Erddurchmesser von 78° 31' nördl. Br. und 294° 3' östl. L. nach 78° 13' südl. Br. und 114° 3' östl. L.,

dieselbe hat sich also nicht erheblich geändert.

Die täglichen Variationen des Erdmagnetismus sind mit Sicherheit seit der Einführung der Unifilar- und Bifilarmagnetometer nachgewiesen bei der Deklination und horizontalen Intensität. Dadurch, daß Gauss und Weber veranlaßten, daß an vier jährlichen Terminen gleichzeitig whrend 24 Stunden an den verschiedensten Orten der Erde beobachtet wid, hat sich ergeben, daß der Gang der Deklinationsnadel während des Tages auf großen Gebieten fast ganz übereinstimmend ist. Fast in ganz Europa ist die Deklination des Morgens um 8 Uhr am kleinsten, sie immt ziemlich rasch zu bis kurz nach Mittag zwischen 1 Uhr und 2 Uhr, wo sie am größten ist, und sinkt dann erst rasch, dann langsamer bis gegen 8 Uhr. Die Differenz beträgt ungefähr 9 Minuten; sie ist indes mach den Jahreszeiten verschieden; sie ist im Dezember und Januar am bleinsten, im April, Mai und August am größten.

Einen ähnlichen periodischen Gang zeigt die Intensität, sie nimmt von Morgens 10 Uhr bis Abends 10 Uhr zu und dann während der Nacht

wieder bis Morgens 10 Uhr ab.

Auch die Inklination ändert sich periodisch im Laufe des Tages, sie

shwankt ebenfalls zwischen einem Minimum und Maximum.

Eine vollständige Theorie des Erdmagnetismus müßte diese regelmäßigen Schwankungen in sich aufnehmen, d. h. sie müßte sie rechnend darstellen und ihren Grund angeben können. Um das Erstere zu können, mäßten die Zahlenkoefficienten in der Reihe für das magnetische Potential in Funktionen der Zeit, und zwar als doppelt periodische gegeben sein. Is ist das aber ebenso unmöglich, wie es ist, den Grund dieser Schwanzungen anzugeben. Dazu ist das für eine solche Aufgabe noch sehr geinge Beobachtungsmaterial längst nicht hinreichend. Die Lösung derselben muß späteren Generationen vorbehalten bleiben.

Bei den Terminsbeobachtungen haben sich ebenfalls unregelmäßige Anderungen des Erdmagnetismus, magnetische Störungen gezeigt, die sich besonders an einer sprungweisen Änderung des Standes der Deklination nadel und des Bifilarmagnetometers erkennen lassen. Sie fehlen selter zeigen sich aber bei einer Terminsbeobachtung stärker als bei anderen Die Kurven, welche Gauss und Weber anwandten, um die Terminsbeolachtungen graphisch darzustellen, lassen in der übersichtlichsten Weis erkennen, dass die magnetischen Störungen fast stets auf sehr weit aus einander liegenden Orten gleichzeitig auftreten, entweder in gleichem ode in entgegengesetztem Sinne. Es ergiebt sich daraus, dass die Ursache der magnetischen Störungen keine lokalen, sondern über einen große Teil oder die ganze Erde verbreitete sind.

Eine merkwürdige Beziehung zeigt sich in dieser Weise zwischen de Nordlichtern und dem magnetischen Zustand der Erde, indem Nordlichtstets von heftigen Störungen begleitet sind, so dass zu vermuten steh das bei den Nordlichtern magnetische Kräfte im Spiele sind. Auch Erbeben und vulkanischen Ausbrüchen sollen häufig Störungen entsprechen

Zweiter Abschnitt.

Die Lehre von der Reibungselektricität.

Erstes Kapitel.

Die Reibungselektricität im Zustande der Isolation.

S. 28.

Erkennung des elektrischen Zustandes. Wenn man gewisse Körper, wie Glas, Harz, Schwefel, mit Seide oder Wolle oder einem Pelze reibt, wobemerkt man an denselben bald eine eigentümliche Eigenschaft, welche die Körper für gewöhnlich nicht haben; sie ziehen kleine leichte Körperchen, wie Papierschnitzel oder Federbärte, an und halten sie eine Zeit lang fest. Hang, wenn man recht stark gerieben hat, sieht man auch, daß die erst angezogenen Körper nach der Berührung sofort wieder abgestoßen werden. Das zeigt sich noch leichter, wenn man eine geriebene Glasröhre einer an wem Seidenfaden aufgehängten Kugel von Hollundermark nähert; dieselbe wird von der Glasröhre angezogen, nach der Berührung wird sie aber abgestoßen, und versucht man dann die Glasröhre der Kugel zu nähern, we flieht dieselbe vor der Röhre.

Nimmt man eine Röhre von bedeutender Länge und reibt sie mit siem Tierfelle, indem man dasselbe unter starkem Drucke rasch an der lähre entlang führt, so hört man zugleich ein knisterndes Geräusch, und im Dunkeln sieht man zwischen der Röhre und den Haaren des Felles

bleine leuchtende Funken überspringen.

Schon diese wenigen Andeutungen genügen, um zu zeigen, daß die währten Körper durch das Reiben in einen eigentümlichen, ihnen sonst fremden Zustand versetzt werden. Man nennt diesen Zustand den elektüschen und die Körper elektrisiert; den Grund dieses Zustandes bezeichnet man als Elektricität. Der Name rührt daher, daß diese Eigenschaft zustand zwar schon im Altertume am Bernstein (griechisch ἤλεπτρον) beobachtet wurde. Er ist zuerst von dem englischen Physiker William Gilbert, der in der zweiten Hälfte des 16. Jahrhunderts lebte, angewandt worden; er bezeichnete die Eigenschaft des geriebenen Bernsteins als vim electricam.

Die den elektrischen Zustand hauptsächlich charakterisierende und von allem, was wir bisher kennen gelernt haben, hauptsächlich unterscheidende Eigenschaft ist die, dals ein Körper wie die Kugel von Hollundermark von dem elektrisierten Körper nach der auf die Anziehung folgenden Brührung abgestoßen wird. Wir werden das indes nicht so ansehen dürse daß der elektrische Körper die Hollundermarkkugel erst anziehe und dar ohne weiteres abstoße, sondern werden sofort vermuten müssen, daß auf die Hollundermarkkugel durch die Berührung verändert, nämlich in de elektrischen Zustand übergeführt worden und dann erst abgestoßen se Der Versuch bestätigt das; denn nähern wir der Hollundermarkkugel eir andere, ebenfalls an einem Seidenfaden hängende, so wird diese von de ersten angezogen und nach der Berührung wieder abgestoßen, gerade w die erste Hollundermarkkugel von der Glasröhre. Es ergiebt sich som als die charakteristische Eigenschaft der Elektricität, daß ein elektrisiert Körper einen anderen ebenfalls elektrisierten von sich abstößt. Ganz da selbe zeigt sich, wenn man einen Körper, dessen einzelne Teile gegen ein ander beweglich sind, auf irgend eine Weise in den elektrischen Zustar versetzt.

Man wendet daher auch dieses Kennzeichen stets zur Erkennung de elektrischen Zustandes an; da nun nicht alle Körper so eingerichtet sin dass an ihnen bewegliche Teile sich finden, so hat man zur Erkennun der Elektricität besondere Apparate konstruiert, welche den Namen Elektricken Eigenschaft, dass Metalle unter gewissen Bedingungen den elektrische



Zustand sofort annehmen, wenn man sie m einem elektrischen Körper berührt. Das ein fachste derselben besteht aus einem Messin drahte, welcher an seinem einen Ende (Fig. 40 mit einer kleinen Kugel versehen, an seine andern Ende platt geklopft ist. Das plat geklopfte Ende ist entweder durchbohrt w in der Durchbohrung sind zwei dünne, leic bewegliche Silberdrähte aufgehängt, welch für gewöhnlich parallel herabhängen, od es sind, wie in dem abgebildeten Exemple zwei Streifen dünnen Goldblattes an de platten Ende befestigt. Der Messingdra ist in dem Halse einer Glaskugel mit Sch lack so fest gekittet, dass die Goldblättch ungefähr in der Mitte der Kugel hängen. I Apparat steht schliefslich auf einem hölzern Fusse. Berührt man den Knopf des Api rates mit einer geriebenen Glasstange, stofsen sich die Silberdrähte oder Goldblä chen sofort ab und bleiben divergent,

bilden einen Winkel mit einander, welcher je nach den Umständen größ oder kleiner ist. Der Winkel ist um so größer, je stärker man die Glestange gerieben hat, oder je rascher man sie nach dem Reiben and Knopf des Elektroskopes angelegt hat. Da man nun durch Reibung Körper in den elektrischen Zustand versetzt, so wird derselbe auch nach der Reibung von größerer oder geringerer Stärke sein müssen. nun mit stärkerer Reibung die Divergenz der Goldblättchen zunimmt,

folgt, dass wir aus der größeren oder geringeren Divergenz auf die größere oder geringere Stärke des elektrischen Zustandes schließen können.

Wenn man die verschiedenen Körper reibt und sie dann am Elektrostop auf ihren elektrischen Zustand untersucht, so zeigt sich zwischen denselben ein auffallender Unterschied. Gewisse Körper, außer den erwähnten alle Harzarten, Schellack, Kautschuk, Guttapercha, Wachs, trocknes Papier u. v. a., nehmen rasch und bei geringer Reibung den elektrischen Zustand an; andere dagegen, zu denen vorzugsweise die Metalle, Kohle ind alle feuchten Körper gehören, nehmen auch bei dem stärksten Reiben len elektrischen Zustand nicht an. Man teilt deshalb die Körper in zwei große Gruppen, die elektrisierbaren, welche den Namen der idiolektrischen ühren, und die nicht elektrisierbaren oder anelektrischen.

Zwischen den idioelektrischen Körpern zeigt sich nun aber bei der Intersuchung am Elektroskop noch ein anderer merkwürdiger Unterschied. erühren wir den Knopf des Elektroskopes mit einer mit Wolle geriebenen legellackstange, so dass die Goldblättchen nur schwach divergieren; reiben ir dieselbe Stange stärker und legen sie dann wieder an das Elektroskop, o nimmt die Divergenz der Goldblättchen zu. Denselben Effekt erhalten ir, wenn wir anstatt des Siegellackes Bernstein oder Schellack oder chwefel anwenden, die Divergenz des durch Siegellack elektrisierten lektroskopes nimmt zu, wenn wir einen dieser Körper, nachdem wir n kräftig gerieben haben, an den Knopf des Elektroskopes anlegen. eibt man aber eine Glasröhre mit Wolle und legt sie an das mit Siegelwk elektrisierte Elektroskop, so wird die Divergenz immer und unter llen Umständen kleiner, ja sie kann ganz und gar aufgehoben werden, dass die Goldblättchen wie unelektrisch parallel neben einander herab-Wenn man dann aber die Glasröhre neuerdings reibt und an as Elektroskop anlegt, so divergieren die Goldblättchen wieder und zwar m so stärker, je stärker die Röhre gerieben war. Denselben Effekt wie ie geriebene Glasröhre bringt geriebener Diamant, Topas u. m. a. hervor. fird dann aber an das infolge der Berührung mit Glas divergierende lektroskop geriebenes Harz angelegt, so wird wieder die Divergenz verindert und kann ebenso auf null gebracht werden wie vorhin.

Da das Verhalten der für sich am Elektroskop untersuchten Körper nzweifelhaft beweist, daß alle durch Reibung in den elektrischen Zustand ersetzt werden, so zeigt dieser Versuch, daß die elektrischen Zustände erschiedene sein können, daß die Körper der einen Gruppe in einen aneren elektrischen Zustand versetzt werden als die anderen. Wir müssen is Elektricitäten der verschiedenen Körper sogar als entgegengesetzte anshen, welche, zugleich auf einen dritten Körper übertragen, einander aufeben. Denn der elektrische Zustand des durch Harz elektrisierten Elektrosopes verschwindet, wenn geriebenes Glas an dasselbe gelegt wird, und as Elektroskop zeigt erst wieder Elektricität an, wenn nach dem Verhwinden des ersteren Zustandes noch ferner das Elektroskop mit gerienem Glase berührt wird. Man bezeichnet deshalb die beiden elektrischen utstände als einander entgegengesetzte, oder nennt den einen positiv, den nderen negativ, da sie sich gerade so wie positive und negative Größen der Algebra aufheben.

Da die beiden Elektricitäten, jede für sich betrachtet, sich vollständig

gleich verhalten und der Gegensatz nur in ihrem gegenseitigen Verhalten erkennbar ist, so ist es ganz gleichgiltig, welche der beiden man als positiv oder als negativ bezeichnet. Man glaubte früher, daß ein bestimmter Körper überhaupt nur eine Elektricität annehmen könnte, unterschied deshalb die beiden Elektricitäten als Harzelektricität und als Glaselektricität und nannte, durch theoretische Spekulationen bestimmt, die wir später erwähnen werden, die Harzelektricität negativ, die Glaselektricität positiv. Später stellte sich indes heraus, daß man alle Körper in die beiden elektrischen Zustände versetzen könne, deshalb genügte es nicht mehr, um die Elektricitäten mit Sicherheit zu erkennen und zu unterscheiden, sie nach Art des geriebenen Körpers zu bestimmen, es bedurfte einer specielleren Angabe. Es hat sich nun gezeigt, dass Glas, gerieben mit einem Stücke Leder, welches mit einem Zink-Zinn-Amalgam, dem sogenannten Kienmaierschen, bestrichen ist, immer und unter allen Umständen dieselbe Elektricität annimmt. Diese dem Glase erteilte Elektricität nennt man die positive Elektricität, und diejenigen Körper positiv elektrisiert, welche die Divergenz eines schwach mit dieser Elektricität geladenen Elektroskopes vergrößern, diejenigen negativ, welche die Divergenz vermindern.

Um das Leder mit dem Kienmaierschen Amalgame zu versehen, bestreicht man es auf der einen Seite mit etwas Talg, oder besser noch Knochenöl, und bestreut die eingeriebene Seite mit dem pulverförmigen Amalgam. Um es gleichförmig zu verteilen, reibt man, indem man das Leder zusammenfaltet, die einzelnen Teile der bestrichenen Seite gegen

einander.

Harz mit Wolle gerieben nimmt fast unter allen Umständen die dem mit Amalgam geriebenen Glase entgegengesetzte, also negative Elektricität, und ebenso Glas mit Wolle gerieben die positive Elektricität an. Wenn man deshalb nicht das Kienmaiersche Amalgam zur Hand hat, kann man mit einer Siegellackstange und einer Glasröhre ebenfalls leicht und mit ziemlicher Sicherheit die Art des elektrischen Zustandes bestimmen. Um die Art der Elektricität zu bestimmen, ladet man entweder das Elektroskop mit der Elektricität des zu untersuchenden Körpers und versucht, ob die geriebene Glasstange die Divergenz vermehrt, oder ob es die geriebene Siegellackstange thut; oder man ladet das Elektroskop mit einer der beiden Elektricitäten und versucht, ob die Elektricität des betrachteten Körpers die Divergenz vermehrt oder vermindert. Ist letzteres der Fall, so ist es ratsam, das Elektroskop noch mit der anderen Elektricität zu laden und zu untersuchen, ob die Divergenz der Goldblättchen durch den anzulegenden Körper vermehrt wird.

Die entgegengesetzten Elektricitäten sind nicht allein dadurch charakterisiert, dass ein Körper, welcher erst mit der einen versehen war und dann die andere erhielt, keine Anzeichen von Elektricität mehr liefert, sondern auch darin, dass gleichartig elektrisierte Körper sich anders zu

einander verhalten als ungleichartig elektrisierte Körper.

Wenn wir nämlich an einem Seidenfaden eine Hollundermarkkugel aufhängen, derselben einen positiv elektrischen Körper nähern, bis sie zur Berührung gebracht war, so wird die Kugel, wie wir bereits erwähnten, von dem positiv elektrischen Körper abgestoßen. Machen wir ganz denselben Versuch mit einem negativ elektrischen Körper, so ist der Erfolg ganz derselbe, die Kugel wird zuerst angezogen bis zur Berührung, dann sber abgestoßen, und die Abstoßung dauert so lange, als auf den beiden Körpern sich noch Elektricität findet. Es ergiebt sich daraus ganz allgemein, daß gleichartig elektrisierte Körper sich abstoßen.

Wenn man nun aber die Kugel von Hollundermark zunüchst durch Berührung mit einem positiv elektrischen Körper elektrisiert und dann derselben einen negativ elektrischen Körper nühert, so wird sie nicht nur nicht von demselben abgestoßen, sondern angezogen, und zwar viel stürker als vorher. Der Erfolg ist derselbe, wenn man der vorher negativ elektrisierten Kugel von Hollundermark einen positiv elektrischen Körper nähert; sie wird von demselben angezogen.

Es ergiebt sich daraus, daß, während gleichartig elektrisierte Körper sich abstoßen, ungleichartig elektrisierte Körper sich gegenseitig anziehen.

Diese Thatsache führt uns zu dem Satze, dass, wenn wir den beiden Elektricitäten, d. h. dem, was den elektrischen Zustand bewirkt, eine wirkliche Existenz, eine gewisse Materialität beilegen, dass dann die an len Körpern vorhandenen Elektricitäten es sind, welche sich anziehen oder ibstosen; man fasst dieselbe dann in dem Satze zusammen: Gleichnamige Elektricitäten stosen sich ab, ungleichnamige ziehen sich an.

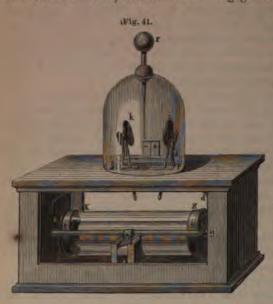
Die Erfahrung, dass gleichnamig elektrisierte Körper sich abstossen, ingleichnamig elektrisierte sich anziehen, hat zur Konstruktion eines Elektroskopes geführt, welches imstande ist auch die schwächsten Elektritäten anzuzeigen; es ist das Elektroskop von Behrens 1), welchem Riess 2) eine sehr bequeme und zweckmäsige Form gegeben hat.

Schichtet man in einer Glasröhre sogenanntes Gold- und Silberpapier in einzelnen Scheiben vom Durchmesser der Röhre derart auf einander, dass immer ein Goldpapier und ein Silberpapier abwechselt, und dass die Papiere ihre metallischen Seiten einander zukehren, presst man dieselben dann fest zusammen und bedeckt schliefslich die beiden Enden der Röhre mit Metallplatten, so dass diese die letzten Papierscheiben in ihrer ganzen Ausdehnung berühren, so zeigen sich, aus im nächsten Abschnitt zu entwickelnden Gründen, die beiden Metallplatten bleibend elektrisch. Die eine der Metallplatten ist positiv, die andere negativ. Legt man nun zwei solcher Röhren gegen einander, so dass ihre Langsaxen eine gerade Linie bilden, und dass die positive Metallplatte der einen der negativ elektrischen der andern Röhre gegenüber liegt, so wird ein Goldblättchen, welches mitten zwischen beiden Platten frei herabhängt, sich weder nach der einen, noch nach der andern Platte hin bewegen, wenigstens dann nicht, wenn die beiden Metallplatten gleich stark elektrisch sind. Das Goldblättehen wird von beiden gleich stark ange-20gen, es bleibt daher in Ruhe. Wenn aber nun das Goldblättchen auch nur die geringste Spur einer Elektricitätsart erhält, so wird es sich nach der Seite der Platte hin bewegen, welche die entgegengesetzte Elektricität besitzt, und zwar nicht nur, weil diese Platte das Goldblättchen anzieht, sondern auch deshalb, weil die andere Metallplatte das Goldblättchen abstößt. Behrens hing deshalb bei Konstruktion des nach ihm

¹⁾ Behrens, Gilberts Annalen. Bd. XXIII.

²⁾ Rices, Die Lehre von der Reibungselektricität. Bd. I, S. 18. Berlin 1853.

benannten Elektroskopes ein Goldblättchen zwischen zwei solchen Glasröhren auf. Riess wandte nach dem Vorgange Fechners nur eine solche
Röhre an und gab dem Apparate folgende Einrichtung: In einem hölzernen,
an seiner vorderen Seite mit einer Thüre versehenen Kasten (Fig. 41) ist
eine Glasröhre ZK, welche in der angegebenen Weise gefüllt und sin-



gerichtet ist, auf den Boden, der längeren Seite des Kastens parallel, hingelegt und befestigt. An den Metallplatten, welche die Röhre verschließen, sind Gelenke g angelötet, in welchen doppelt gehogene Drähte dd drehbar befestigt sind. Der Deckel des Kastens hat in seiner Mitte eine der längeren Scite parallele Spalte sp von circa 8 cm Länge; dieselbe ist mit Glasstähen ausgekleidet, so daß ein freier Spalt von 8 mm Breite übrigbleibt. Durch diesen Spalt sind die doppelt gebogenen Drahte hindurchgeführt. An ihrem oberen Ende tragen die-

selben runde Platten von Messing, welche durch Drehung der Drähte in ihren Gelenken einander mehr oder weniger genähert werden können Rings um die Spalte ist auf dem Deckel des Kastens eine kreisförmige Rinne von eirea 12 cm Durchmesser eingeschnitten, welche die Glasglocke G aufnimmt und feststellt. Die Glasglocke ist oben durchbohrund in der Durchbohrung ist ein Messingdraht mit Schellack festgekittel von welchem das Goldblättchen herabhängt. In dem oberen Ende des Messingdrahtes ist eine Schraube eingeschnitten, so daß auf den Drahl entweder eine Messingkugel r oder eine Messingplatte aufgeschraubt werden kann.

Schliefslich hat Riess in dem Kasten noch, der Röhre ZK parallel, einen Messingstab tt angebracht, welcher etwas vor oder zurück geschoben werden kann, so daß er die beiden Endplatten der Röhre in metallische

Verbindung setzen kann.

In diesem Apparate ist das Ende K der Röhre ZK stets positiv, das Ende Z stets negativ elektrisch. Da nun, wie bereits früher erwähnt wurde, die Metalle unter gewissen hier erfüllten Bedingungen durch Berührung mit elektrischen Körpern selbst elektrisch werden, so sind auch die an den Drähten d befestigten Platten elektrisch und zwar die mit dem Ende K in Verbindung stehende Platte k positiv, die mit Z in Verbindung stehende Platte z negativ elektrisch. Die beiden Elektricitäten sind in z und k gleich stark, oder können doch dadurch immer gleich

tark gemacht werden, dass man mit dem Stabe tt eine kurze Zeit die Polplatten Z und K berührt. Das zwischen den Platten von beiden gleich entfernt herabhängende Goldblättchen hängt daher, wenn es nicht selber elektrisch ist, vertikal herab. Wenn man dann aber demselben die geringste Spur Elektricität mitteilt, so wird es nach einer der Platten hin bewegt, nach K, wenn es negativ, nach Z, wenn es positiv elektrisch ist. Man kann somit durch diesen Apparat nicht nur den elektrischen Zustand überhaupt, sondern auch die Art desselben unzweideutig erkennen.

S. 29.

Mitteilung und Leitung der Elektricität. Wenn man einen elektrisierten Körper mit einem andern berührt, so wird stets der elektrische Zustand des berührten Körpers geschwächt, und in vielen Fällen wird der berthrende Körper elektrisch, dann aber zeigt er immer der Art nach heselbe Elektricität, welche der berührte Körper besafs. Man kann sich lavon leicht durch einfache Versuche überzeugen; elektrisiert man z. B. in einfaches Goldblattelektroskop und berührt man den Knopf desselben nit irgend einem Körper, so nimmt die Divergenz der Goldblättchen soort ab; war der berührende Körper z. B. ein zweites Elektroskop, so weist die Divergenz der Goldblättchen an diesem, dass es durch die Berührung elektrisch geworden ist. Prüft man das zweite Elektroskop m einem Behrensschen Elektroskop, so beweist die Bewegung des Goldlättehens an letzterem, dass die Elektricität des berührenden Elektroskopes mit der des berührten gleichnamig ist. Es zeigt sich jedoch in der Mitbilung der Elektricität bei der Berührung bei den verschiedenen Körpern asoweit ein bedeutender Unterschied, dass einige nur an der Berühlingsstelle selbst und in deren nächster Umgebung, andere jedoch sofort mihrer ganzen Ausdehnung elektrisch werden. Berührt man das elekvisierte Elektroskop mit einer Siegellackstange, so wird die Divergenz des Elektroskopes nur wenig vermindert, und an einem andern geprüft, migt sich nur die Berührungsstelle elektrisch. Der Metallstift des zweiten Elektroskopes bei dem vorhin erwähnten Versuche zeigt sich sofort in winer ganzen Ausdehnung elektrisch, da die an ihm befestigten Goldblättchen sofort nach der Berührung divergieren.

Aus dieser Erfahrung folgt, daß sich auch in dieser Beziehung die körper in ihrem Verhalten zur Elektricität in zwei große Gruppen einteilen lassen; einige pflanzen den elektrischen Zustand in sich rasch und mit großer Leichtigkeit fort, andere dagegen gestatten diese Fortpflanzung nicht, oder doch nur in sehr geringem Maße. Von der Ansicht ausgehend, daß die Elektricität gewissermaßen eine Flüssigkeit sei, welche durch die Körper, welche leicht in ihrer ganzen Ausdehnung elektrisch werden, fortgeleitet werde und sich in ihnen verbreite, nennt man diese Körper die Elektricität leitende oder Leiter, während man die andere Gruppe Nichtleiter oder Isolatoren nennt. Die Leiter haben demnach die Fähigkeit, die Elektricität von einem Körper abzuleiten, die Isolatoren nicht.

Um zu untersuchen, ob ein fester Körper ein Leiter ist oder nicht, kann man einfach so verfahren, dass man denselben mit der Hand hält und an in Elektroskop anlegt. Berührt man ein Elektroskop direkt mit der Hand, 50 fallen die Goldblättchen sofort zusammen. Daraus folgt, dass unser Körper ein Leiter ist; dasselbe ergiebt sich weiter daraus, daß wir da an dem Körper durchaus keine Spur von Elektricität nachweisen könne Denn einen Leiter nannten wir den Körper, über dessen sämtliche Teisich sofort die Elektricität ausbreitet. Nun ist unser Körper stets n der ganzen Erde in Verbindung, also insoweit ein Teil der Erde. I Elektricität, die wir auf unsern Körper übertragen, teilt sich der ganz Erde mit und ist deshalb nicht mehr erkennbar. Wenn wir nun ein Körper, den wir in der Hand halten, an das Elektroskop anlegen, so widie Elektricität am Elektroskop verschwinden, wenn er ein Leiter i und zwar um so rascher, ein je besserer Leiter er ist.

Es zeigt sich nämlich, wenn wir diesen Versuch mit verschieden Körpern machen, ein Unterschied in der Zeit, welche es dauert, bis c Elektroskop seine Elektricität verliert. Einige, wie die Metalle, eine feuch Schnur, lebende Vegetabilien, entladen das Elektroskop augenblicklich andere, wie trocknes Holz, brauchen zur Entladung eine größere, me bare Zeit. Man sagt daher, daß die ersteren Körper ein größeres Leitung vermögen haben als die letzteren, indem man das Leitungsvermögen d Entladungszeit umgekehrt proportional setzt.

Anstatt nach dem Leitungsvermögen gruppiert man die Körper au wohl nach der entgegengesetzten Eigenschaft, nach dem Leitungswiderstamman nimmt dann an, dass alle Körper der Fortbewegung der Elektricitieinen gewissen Widerstand entgegensetzen, je besser das Leitungsvermöge ist, um so geringer ist der Leitungswiderstand, und umgekehrt, je größe der Leitungswiderstand ist, um so schlechter ist das Leitungsvermöge Isolierende Körper setzen demnach der Fortleitung der Elektricität eine unübersteiglichen, oder vielmehr, da es keinen Körper giebt, welcher de Elektricität absolut nicht gestattet sich fortzupflanzen, einen sehr große Widerstand entgegen.

Isolierende und leitende Körper sind nämlich nicht qualitativ ve schieden, sondern nur quantitativ, d. h. es giebt keinen Körper, welch der Fortpflanzung der Elektricität absolut keinen Widerstand entgege setzt, und keinen, der sie absolut nicht leitet. Die leitenden Körp setzen der Fortpflanzung der Elektricität nur einen sehr kleinen, die is lierenden einen sehr großen Widerstand entgegen. Der Übergang w Leitern zu Nichtleitern ist ein allmählicher, so dass sich keine feste Gren zwischen denselben ziehen läst. So ist auch folgende Tabelle zu ve stehen, in welcher eine große Anzahl von festen und flüssigen Körpe nach ihrem Leitungsvermögen in drei Gruppen als Leiter, Halbleiter w Nichtleiter geordnet sind 1). Als Leiter sind diejenigen bezeichnet, welc beim Anlegen an das Elektroskop dasselbe fast augenblicklich, als Hal leiter solche, welche es in einer messbaren, aber kleinen Zeit, eini Sekunden, entladen; als Nichtleiter sind schließlich diejenigen aufgefüh welche in der Zeit von einer Minute noch keine Entladung des Elektz skopes bewirken.

Encyclopaedia metropolitana. London 1830. art. electricity. Rie Reibungselektricität. Bd. I, S. 28.

Leiter.

Die MetalleSeewasserLebende animalische TeileHolkohleQuellwasserLösliche SalzeGraphitRegenwasserLeinenSaurenSchneeBaumwolle.SalzlösungLebende Vegetabilien

Halbleiter.

Nichtleiter.

Prockne Metalloxyde Ätherische Öle Seide 'ette Öle Porzellan Edelsteine Sche Getrocknete Vegetabilien Glimmer lis bei — 25° C. Leder Glas hosphor Pergament Gagat alk Trocknes Papier Wachs reide Schwefel Federn emen Lycopodii Haare Harze autschuk Wolle Bernstein ampher Gefärbte Seide Schellack.

Die mitgeteilte Tabelle ist so geordnet, dass sie von den besten eitern, den Metallen, allmählich zu den schlechtesten Leitern fortschreitet; ides ist diese Anordnung aus mehrfachen Gründen nicht mit Sicherheit in erreichen, hauptsächlich deshalb, weil das Leitungsvermögen eines und esselben Körpers keineswegs immer dasselbe ist, sondern sich mit der berflächlichen Beschaffenheit bedeutend ändert. So giebt Riess an 1), dass in frisch abgespaltetes Glimmerblättchen zu den Halbleitern gehört, wähend der Glimmer, wenn seine Oberfläche einige Zeit an der Luft gelegen at, einer der besten Isolatoren ist.

Dazu kommt noch, dass fast alle Körper mehr oder weniger hygrokopisch sind und dass niemals die Luft ganz ohne Wasserdamps ist. Deshalb
edecken sich alle Körper in der Luft mehr oder weniger mit einer Wasserchicht, welche dann, da das Wasser die Elektricität zu leiten imstande
st, infolgedessen die Elektricität leiten.

Da nun, wie wir wissen, die Menge des verdichteten Wasserdampfes auf der Oberfläche eines Körpers mit steigender Temperatur geringer wird, wird man im allgemeinen sagen können, dass eine Erhöhung der Temperatur den Leitungswiderstand nichtleitender Körper erhöhen und sie mehr

¹⁾ Riess, Reibungselektricität. Bd. I. S. 32.

....

geeignet machen wird, die Elektricität zu isolieren. Das wird auch dur die Erfahrung bestätigt, indem eine Erhöhung der Temperatur über di jenige der Umgebung das Isolationsvermögen der Körper erhöht.

Bedeutende Erhitzung wirkt dagegen in vielen Fällen gerade ur gekehrt; glühendes Glas ist ein guter Leiter der Elektricität und eben flüssiges Harz. Man kann ersteres leicht auf folgende Weise zeigen¹ Man umwickle einen dünnen Glasstab bis ungefähr 3 cm vom Enc mit einem Platindraht und lege den Stab, während man den Platindral mit der Hand berührt, an ein Elektroskop. Dasselbe wird nicht en laden, selbst dann nicht, wenn der Stab bis gegen 100° erwärmt wir wenn dagegen der Glasstab bis ungefähr 320° erwärmt wird, so entlader das Elektroskop in kurzer Zeit.

Ebenso wie eine gelinde Temperaturerhöhung wirkt alles, was d Oberfläche der Isolatoren von dem verdichteten Wasser reinigt oder wenige hygroskopisch macht, auf die Verringerung des Leitungsvermögens. Al wischen mit trockner Seide ist deshalb ein gutes Mittel, um die Isolatoren weniger leitend zu machen. Glas wird deshalb ein besserer Isolato wenn es mit einem Schellackfirnis bedeckt wird, da Schellack wenige hygroskopisch ist als Glas.

Gase gehören zu den unvollkommenen Leitern der Elektricität. Makann sich den Vorgang der Leitung in einem mit Gas erfüllten Raumso denken, dass zunächst die nichtelektrischen Gasteile von dem elektrisierten Körper angezogen und durch Mitteilung elektrisiert werden; die elektrisierten Teilchen werden abgestossen und machen neuen nicht elektrisierten Gasteilchen Platz. Auf diese Weise wird allmählich den elektrischen Körpern von der sie umgebenden Luft die Elektricität entzogen. Ob man außerdem noch eine Leitung der gasförmigen Körper anzunehmen hat, ähnlich derjenigen bei den festen Körpern, werden wir an einer andern Stelle besprechen.

Durch den leeren Raum kann sich die Elektricität nicht fortpflanzen, wie durch vielfache Versuche bewiesen ist. So stellte P. Erman³) ein gut ausgekochtes Barometer her, dessen leerer Raum eine Länge von cira 15 cm hatte, und in dessen Spitze ein Platindraht eingeschmolzen war, welcher in den leeren Raum hineinreichte. Das Quecksilber des Barometers wurde mit einem Elektroskope in leitende Verbindung gebracht, während dem Platindrahte Elektricität mitgeteilt wurde. Hätte sich die Elektricität durch den leeren Raum ausbreiten können, so hätte das Elektroskop solche anzeigen müssen, da das Quecksilber die Elektricität m leiten imstande ist. Es war das jedoch nicht der Fall.

Durch einen ähnlichen Versuch wies Riess³) dasselbe nach, er stellte unter die Glocke einer Luftpumpe ein Elektroskop, dessen Goldblättchen eine Divergenz von 14 mm besaßen, und fand, als er die Luft nicht ausgepumpt hatte, daß nach 55 Minuten die Divergenz auf 10 mm gesunken war. Darauf wurde das Elektroskop von neuem elektrisiert, & daß die Divergenz der Goldblättchen 14 mm betrug, und die Luft dans

¹⁾ Riess, Reibungselektricität. Bd. I, S. 44. 2) P. Erman, Gilberts Annalen. Bd. XI.

³⁾ Riess, Doves Repertorium der Physik. Bd. II.

auf 10 mm Quecksilberdruck ausgepumpt. Nach 68 Minuten zeigten Goldblättehen noch eine Divergenz von fast 13 mm. Es folgt somit, der luftverdunte Raum die Elektricität nicht besser leitet als der erfullte, sondern schlechter. Auch daraus folgt, dass der luftleere m die Elektricität nicht leitet.

Auf die Frage nach der Leitung des leeren Raumes kommen wir nso wie auf diejenige der Leitung der Gase im letzten Abschnitte hmals zurück.

§. 30.

Erregung der Elektricität. Nach den im vorigen Paragraphen mitteilten Erfahrungen über die Fortpflanzung der Elektricität können wir rage über die Erregung der Elektricität näher treten. Es ergiebt hamlich daraus, daß, um zu erkennen ob durch irgend einen Prozeß er an irgend einem Körper Elektricität erregt ist, es nicht ausreicht, is eine Erregung stattgefunden hat, sondern es ist dazu erforderlich, is die erregte Elektricität auch an dem Orte der Erregung festgehalten erde. Wenn deshalb die Körper, an denen man Elektricität erregen ill, selbst leitend und mit der Erde in leitender Verbindung sind, so ird man aus dem Nichtauftreten von Elektricität bei einem Prozesse urchaus nicht den Schluß zu ziehen berechtigt sein, daß eine Erregung berhaupt nicht stattgefunden hat.

Wie wir im §. 21 sahen, zeigen sich bei der Reibung nicht alle örper elektrisch, sondern nur die sogenannten idioelektrischen; vergleichen ir aber die Angaben darüber, welche Körper idioelektrisch und welche nelektrisch sind, mit den Angaben, welche nichtleitend und welche leitend nd, so erkennen wir sofort, dass die idioelektrischen Körper die Elektieität nicht leiten, die anelektrischen dagegen sie leiten. Wir werden eshalb schließen, dass diese Körper keine Elektricität erkennen lassen, eil die erregte sofort abgeleitet wird. Der Versuch bestätigt diesen chlus; denn versehen wir die leitenden Körper bei der Reibung mit iner isolierenden Handhabe, so zeigen sie sich alle nach derselben elektisch. Der elektrische Zustand ist also bei allen Körpern ohne Ausnahme urch Reibung zu erhalten und nachzuweisen, wenn wir dafür sorgen, as die erregte Elektricität nicht sofort abgeleitet wird.

Da bei der Reibung sowohl der geriebene als der reibende Körper grieben wird, so werden wir weiter schließen, daß nicht nur an dem griebenen, sondern auch an dem reibenden Körper Elektricität auftritt. luch dieses wird durch den Versuch bestätigt, wenn man dafür sorgt, laß der reibende Körper mit der Erde nicht in leitender Verbindung ist. Wenn man z. B. an eine Metallscheibe A eine Handhabe von Glas antringt (Fig. 42), dieselbe auf der einen Seite mit Leder überzieht, welches nit Kienmaierschem Amalgam versehen ist, und mit dieser dann eine ähnliche Glasscheibe B reibt, so weist ein einfaches Goldblattelektroskop auf beiden Scheiben Elektricität nach, und zwar auf beiden Elektricität von ungefähr gleicher Stärke. Wendet man aber, um die Art der auf beiden Scheiben vorhandenen Elektricität zu untersuchen, ein vorher mit einer Elektricität geladenes oder ein Säulenelektroskop an, so beweist die

Bewegung der Goldblättchen, dass die Art derselben auf beiden serschieden ist; die Elektricität des Glases ist positiv, die des games ist negativ. Die durch Reibung dieser beiden Körper Elektricitäten sind also einander entgegengesetzt. Das zeigt sich i derartigen Versuchen. Vertauschen wir das amalgamierte Leder mi



so wird auch diese elektrisch und zwar negatirend das Glas positiv wird; vertauschen wir emit einer Harzscheibe, so wird die Wolle posi Harz negativ elektrisch; reiben wir direkt die scheibe A an einer Glasscheibe, so wird das Glas das Metall negativ elektrisch. Reiben wir die scheibe an einer Harzscheibe, so wird das Metall das Harz negativ elektrisch.

Wir gelangen auf diese Weise zu dem w Satze, das bei der Reibung zweier Körper an stets beide Körper elektrisch werden und zwar positiv, der andere negativ.

Ob ein Körper durch Reibung positiv oder elektrisch wird, das hängt, wie sich schon aus Satze mit Notwendigkeit ergiebt, wesentlich de mit welchem Körper er gerieben wird. Schon die oben angeführten Beispiele beweisen das. Wolle gerieben wird negativ, mit Harz gerieben posit trisch; Metalle mit Glas gerieben werden nega Harz gerieben positiv elektrisch. Was von diesen gilt, gilt auch von den anderen; Glas z. B., wel

der Reibung in den meisten Fällen positiv elektrisch wird, nimn tive Elektricität an bei der Reibung mit dem Pelze von Raubtie

Eine Beziehung zwischen der Art der Elektricität, welche zwe bei gegenseitiger Reibung annehmen, und anderen bekannten Eigen der Körper, hat sich trotz vieler Versuche nicht erkennen lassen. glaubten, dass die Art der Erregung von dem Leitungsvermögen adas der besser leitende Körper negativ, der schlechter leitende werde, indes hat sich das durchaus nicht bestätigt. Das Einzi in dieser Beziehung geleistet werden konnte, ist die Anordnur Anzahl von Körpern in eine sogenannte Spannungsreihe, in wel Körper derart geordnet sind, dass jeder vorhergehende Körper nachfolgenden gerieben positiv, jeder nachfolgende mit den vorherg gerieben negativ elektrisch wird.

Im Folgenden sind zwei solche Spannungsreihen neben einas stellt, die erste ist von Young aus Versuchen von Lichtenber; zweite von Faraday²) zusammengestellt.

Th. Young, Lectures on natural philosophy. London 1807. V
 Faraday, Experimental researches in electricity art. 2141.
 Ann. Bd. LX.

Reihe von Young. Reihe von Faraday. Glas, poliert Katzen- und Bärenfell Haare Flanell Wolle Elfenbein Federn Federkiele Papier Bergkrystall Holz Flintglas Wachs Baumwolle Siegellack Leinwand Glas, mattes Weifse Seide Metalle Die Hand Harz Holz Seide Lack Schwefel Eisen, Kupfer, Messing,

ie beiden Reihen zeigen zwar im allgemeinen eine ziemliche Übermung, im einzelnen jedoch auch manche Abweichung, so daß auch Reihen keineswegs mit Sicherheit die Art der bei der Reibung er-Elektricität angeben. Der Grund dafür liegt darin, dass die Art en wesentlich abhängig ist von der Oberflächenbeschaffenheit der nen Körper. Um dieses zu beweisen, erwähnen wir nur die vernen Erscheinungen bei Reibung des Glases. Frische Glasslächen durch Reibung nur schwach elektrisch, erst durch längern Gebrauch, lie Oberfläche alt geworden ist, nimmt die durch Reibung erregte zität zu. Alte Glasflächen werden mit allen Körpern außer mit dem on Raubtieren und einigen Krystallen gerieben positiv elektrisch. man dagegen Glas mit Schmirgel oder Sand matt schleift, so wird positiv elektrisch mit Wachs, Schwefel, Metallen, Alkohol, Äther irzen, dagegen negativ außer mit dem Pelze der Raubtiere, mit

Schwefel.

Zinn, Silber, Platin

Federn, Holz, Papier und mit der Hand¹). nterschiede selbst, welche sonst durch nichts wahrzunehmen sind, sich am Glas durch die Art der Elektrisierung erkennen. Heintz²) te die eine Hälfte eines Glasstabes, welcher durch Reibung mit Leder usw. positiv elektrisch wurde, einige Minuten über einer lflamme. Bei gelindem Reiben mit Wolle oder Leder wurde diese negativ, die andere positiv elektrisch. Anhaltendes starkes Reiben, then mit Alkohol oder Kalihydrat stellte den früheren Zustand wier. Ähnlich wie das Erhitzen über der Alkoholflamme wirkte Einn in konzentrierte Salpetersäure oder Schwefelsäure.

uch die Art des Reibens kann die erregte Elektricität verändern; Péclet³) wurde eine Glasstange mäßig mit Kattun oder Leinwand en positiv, heftig gerieben negativ elektrisch; Faraday4) fand eine

¹⁾ Riess, Reibungselektricität. Bd. II, p. 379. 2) Heintz, Poggend. Ann. Bd. LIX.

³⁾ Péclet, Annales do chim. et de phys. T. LVII.

⁴⁾ Faraday, Experimental researches in elect. XVIII. Reihe, art. 2141.

Lines, Physik. IV. 4. Aufl.

Schreibfeder leicht gegen trocknes Segeltuch gestrichen stark negati elektrisch, unter starkem Drucke durch eine Falte desselben gezoge ebenso stark positiv elektrisch. Wenn man Glas der Länge nach mi Haaren reibt, etwa damit peitscht, so wird es negativ elektrisch, reibt man es der Quere nach, indem man es durch eine Haarschlinge zieht, w wird es positiv elektrisch 1).

Das Auftreten der Elektricität durch Reibung wird dadurch noch bedeutend verwickelter, das auch zwei ganz gleichartige Körper an einander gerieben elektrisch werden, und zwar stets auch der eine positiv, der andere negativ. Wenn man ein Stück einer nichtleitenden Substam durchbricht, und dann die beiden Stücke an einander reibt, so werden beide elektrisch, das eine positiv, das andere negativ; welches von beiden aber positiv, welches negativ wird, das lässt sich gar nicht vorhersagen. Einige Beobachter gaben an, dass, wenn man das eine der Stücke als Reibzeug benutzt, also mit demselben so über das andere hinfährt, das immer dieselbe Stelle des ersten nach und nach die verschiedenen Stellen des zweiten berührt, der reibende Körper immer dieselbe Elektricitätsart erhalte. Nach Riess³) ist das aber nicht der Fall, er fand den reibenden Teil bald positiv, bald negativ.

Die Reibung zweier Körper an einander ist die hauptsächlichste Quelle der Elektricität, deren Verhalten und Gesetze wir in diesem Abschnitte zu untersuchen haben; sie ist aber keineswegs die einzige, sondern alle Vorgänge, welche eine ähnliche Erschütterung der Moleküle der Körper zur Folge haben, erregen Elektricität.

Trennt man von einer isolierenden Substanz durch Feilen oder Schaben kleine Teile ab, so zeigen sich dieselben elektrisch. Um das nachzuweisen, hat man nur das Säulenelektroskop mit einer Platte zu versehen und auf diese eine Metallschale zu setzen; schabt man dann von einer Siegellackstange Späne und lässt sie in die Schale fallen, so erhält man deutliche Bewegungen des Goldblättchens; die abgeschabten Teile habe ich häufig positiv elektrisch gefunden, ein Beweis, das nicht die Reibung des Siegellacks, welche stets mit dem Schaben verbunden ist, die Ursache der Elektricitätserregung ist. Volta giebt an 4), dass durch die von Harz, Wachs, Talg, Chokolade, Holz, Knochen, Zucker und anderen Stoffen abgeschabten Teile ein isolierter Metallteller kräftig elektrisiert worden sei; auch Feilspäne von Kohle und geschabtes Eis von 0 gaben kräftige Elektricität.

In ähnlicher Weise wie das Schaben, wirkt das Zerschneiden, Zerbrechen oder Auseinanderreißen vieler Substanzen. Zerschneidet man einen Kork und läßt die abgeschnittenen Stücke in eine Metallschale fallen, welche auf einem Säulenelektroskope steht, so erhält man deutliche Spuren von Elektricität. Wenn man von Gyps oder Glimmer Blätchen abspaltet, so zeigen die Spaltungsflächen deutliche Spuren von Elektricität, und zwar sind die beiden getrennten Flächen entgegengesetzt

Riess, Reibungselektricität.
 Riess, Reibungselektricität.
 Bd. II, p. 363 ff.

³⁾ Riess a. a. O.

⁴⁾ Collezione dell' opere 1. 2, p. 259.

ektrisch. Zerbricht man Siegellack, so sind die Bruchflächen ebenfalls

und rwar entgegengesetzt elektrisch.

Eine etwas andere Art der Elektricitätserzeugung ist diejenige durch bruck; dieselbe wurde zuerst von Libes beobachtet, als er auf eine Holzscheibe mehrfach zusammengelegten Wachstaffet legte und diesen mit einer solierten Metallplatte zusammenpresste. Bei raschem Abheben fand sich de Platte negativ elektrisch, während sie bei Reibung am Wachstaffet positiv elektrisch wurde. Es bedarf, wie eine Wiederholung des Versuches zeigt, nicht einmal eines Säulenelektroskopes, um die Elektricität in diesom Falle nachzuweisen. Becquerel giebt an, daß zwei Stücke eines Korkes, als ihre Schnittflächen gegen einander gedrückt wurden, entgegengesetzt elektrisch wurden, und weiter, daß mit der Stärke des Druckes auch diejenige der Elektricität zunahm 1).

In sehr ausgezeichneter Weise besitzen einige Mineralien das Vermögen, durch Druck elektrisch zu werden. Drückt man isländischen Doppelpat, Arragonit, Flufsspat, Bergkrystall zwischen den Fingern, so werden se elektrisch, am stärksten der isländische Doppelspat, welcher noch dazu de eigentümliche Eigenschaft besitzt, die einmal durch Druck in ihm erregte Elektricität mehrere Monate zu behalten. Hauy hat diese Eigenschaft des Doppelspates zur Konstruktion eines sehr einfachen und doch empfindlichen Elektroskopes benutzt. An dem einen Ende eines kleinen, n seiner Mitte aufgehängten und um eine vertikale Axe leicht drehbaren Balkens, aus Schellack gezogen, wird ein Stückchen Doppelspat befestigt ud an dem anderen Ende ein Gegengewicht angebracht. Der Kalkspat wind dann durch Druck elektrisiert, er wird dabei positiv elektrisch?).

Außer mechanischen Einwirkungen ist auch die Erwärmung der Körper fähig, Elektricität hervorzurufen; eine Art dieser Erregung haben wir ereits erwähnt, die Erwärmung einer Lötstelle zweier verschiedener Metalle; wir werden diese unter dem Namen Thermoelektricität bekannte Eregungsart erst in dem folgenden Abschnitte näher betrachten. Wir wähnen hier nur, dass die Erwärmung der paaren und unpaaren Löttellen, wenn man eine große Anzahl Stäbehen zweier Metalle in der im witten Teil S. 21 angegebenen Weise zusammensetzt, Elektricität hervorlingt, welche man an einem Elektroskope nachweisen kann3).

Aber noch in einer andern Weise kann man durch Erwärmung Elektheitat erhalten, nämlich durch Erwärmung einer Anzahl von Krystallen. Man begreift die elektrischen Erscheinungen an den Krystallen unter dem Namen der Pyroelektricität. Dieselbe wurde zuerst, und zwar schon im Altertume, am Turmalin beobachtet, aber erst Bergmann und Wilcke haben the haufig sehr verwickelten Erscheinungen aus einem schon von Canton entdeckten Satze abzuleiten vermocht 4). Wir wollen die sich darbietenden

Erscheinungen kurz am Turmalin beschreiben.

Ein Turmalinkrystall ist in einer Umgebung, welche mit ihm die gleiche Temperatur besitzt, nicht elektrisch. Bringt man ihn aber in eine

1) Becquerel, Traité de l'électricité. Paris 1834. T. II. §. XIII ff.

²⁾ Hauy, Annales de chimie par Guyton de Morveau etc. T. V. Beibungselektricität. Bd. II, p. 403.

3) Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. LXXXII.
4) Man sehe Ricss, Reibungselektricität. Bd. II, p. 464 ff.

Umgebung anderer Temperatur, die entweder wärmer oder kälter ist, so daß sich der Krystall erwärmt oder abkühlt, so treten an demselben zwei elektrische Pole auf, deren einer positiv ist, während der andere negativ ist. Die Pole sind einander entgegengesetzt, wenn der Krystall erwärmt wird, als wenn er abgekühlt wird, d. h. der Pol, welcher beim Erwärmen positiv elektrisch wurde, ist beim Erkalten negativ, der beim Erwärmen negative Pol ist beim Erkalten positiv. Nach G. Rose nennt man den Pol, welcher bei der Temperaturerhöhung positiv, bei Temperaturerniedrigung negativ ist, den analogen Pol; den anderen, bei welchem das Vorzeichen der Elektricität jenem der Temperaturänderung entgegengesetzt ist, den antilogen Pol. Man kann die Elektricität leicht an einem Elektroskope nachweisen. Sobald der Turmalin eine stationäre Temperatur angenommen hat, ist wieder jede Spur von Elektricität verschwunden.

Man kann aus diesem Satze die elektrischen Erscheinungen des Turmalins bei Temperaturänderungen sämtlich ableiten. Man habe einen solchen Krystall, dessen Pol P beim Erwärmen positiv, dessen Ende N dann negativ wird. Hält man z. B. das Ende N eine kurze Zeit in eine Flamme, so wird beim Herausnehmen das Ende N positiv, aber auch P positiv, nach einiger Zeit aber P negativ, während N positiv bleibt. Der Grund liegt darin, dass das Ende N sich sofort nach Fortnahme der Flamme abkühlt, das Ende P aber noch wegen der schlechten Wärmeleitung des Turmalin sich erwärmt; nach einiger Zeit aber hat auch P seine höchste Temperatur angenommen, es kühlt sich ab und mit der Abkühlung wird es negativ elektrisch. Erhitzt man P in der Flamme, so werden aus demselben Grunde P und N anfangs negativ, dann aber wird N positiv elektrisch.

Dieses elektrische Verhalten zeigt der Turmalin sowohl als Ganzes, als auch in seinen Stücken. Bricht man einen Turmalin in mehrere Teile, so verhalten sich diese gerade so, und zwar findet man den analogen Pol der Stücke an den Stellen, welche dem analogen Pol des ganzen Krystalles am nächsten lagen. Ja selbst gepulverter Turmalin zeigt noch dieses Verhalten; erhitzt man Turmalinpulver auf einem Bleche und rührt es dann mit einem Glasstabe, so ballt es sich zusammen. Dass dieses Zusammenballen Folge der Anziehung der entgegengesetzt elektrischen Pole ist, ergiebt sich daraus, daß diese scheinbare Zähigkeit des Pulvers vollständig wieder verloren ist, wenn es wieder auf die Temperatur der Umgebung erkaltet ist.

Ganz ähnliche Erscheinungen zeigen sich bei sehr vielen andern Krystallen nach den Untersuchungen von Köhler¹), G. Rose²), Riess³) und besonders von Hankel4). Rose und Riess zogen aus ihren und den übrigen damals vorliegenden Beobachtungen den Schluss, dass nur solche Krystalle pyroelektrisch werden, welche aus der Kombination einer einfachen Form mit einer nicht parallelflächigen Hemiedrie bestehen. So z. B. kann die Kombination des Würfels mit einem Tetraeder, welches vier Ecken des

¹⁾ Köhler, Poggend. Ann. Bd. XVII.

²⁾ G. Rose, Abhandlungen der Berliner Akademie 1836.

³⁾ Riess und Rose, Abhandlungen der Berliner Akademie 1843. Riess Lehre von der Reibungselektricität. Bd. II, p. 460 ff.

4) Hankel, Poggend. Ann. Bd. XLIX, L, LIII, LVI. Abhandl. der Königliss. Gesellsch. der Wissensch. Bd. VI, VIII, XIV, XV, XVIII, XX.

Warfels abstumpft, pyroelektrisch werden. In solchen Krystallen kommt der Borazit vor; die Pole fallen hier mit den Tetraederflächen und den dem gegenüberliegenden nicht abgestumpften Würfelecken zusammen, so das es beim Borazit vier Paare von Polen giebt. Nach Köhler sind die Tetraederflächen die antilogen, die Würfelecken die analogen Pole. Nach lankel wechseln indes die Pole ihr Zeichen je nach der Temperatur, bis zu welcher die Krystalle erwärmt werden; die Tetraederflächen sind bei der Erwärmung zuerst negativ, mit steigender Temperatur werden sie

positiv und dann wieder negativ.

Aus den Untersuchungen Hankels ergiebt sich indes, daß der Hemimorphismus nicht die unerläßliche Bedingung der pyroelektrischen Ercheinungen ist, dass vielmehr die Eigenschaft, durch Temperaturänderungen elektrisch zu werden, allen Krystallen zukommt, soweit ihre übrigen physikalischen Eigenschaften ein Auftreten und ein Anhäufen der Elekticität bis zu meßbarer Stärke gestattet. Als Bedingung für das Aufbeten der Pyroelektricität erscheint nach Hankel eine Verschiedenheit der bystallographischen Axen, zu welcher ein geringes Leitungsvermögen der Trystalle für Elektricität hinzutreten muß, um die Ansammlung der Elekricität bis zu meßbaren Wirkungen zu ermöglichen. Die Pyroelektricität ann darnach bei Krystallen derjenigen Systeme, welche ungleichwertige Axen haben, auftreten; bei Krystallen des regulären Systems sind es vorwiegend die hemimorphen Krystalle, welche Pyroelektricität zeigen, indes and Hankel auch bei in Würfeln krystallisierendem Flussspat dieselbe, welche er auf den Unterschied zwischen den Flächenaxen und Eckenaxen mrückführt.

Ähnliche elektrische Erscheinungen werden nach den Versuchen Bankels¹) bei Flufsspat auch durch Beleuchten mit Tageslicht, elektrischem Licht oder Sonnenlicht hervorgebracht, Hankel nennt die Erscheimungen photoelektrische, und bei Bergkrystall infolge der Absorption von Wamestrahlen. Die letztern elektrischen Erscheinungen nennt Hankel aktinoelektrische. Daß die durch Belichtung hervorgerufene Elektricität micht pyroelektrischen Ursprungs ist, geht daraus hervor, daß nach dem Aufhören der Beleuchtung die Elektricität allmählich verschwindet, ohne daß sich das Vorzeichen der Elektricität, wie bei dem Erkalten eines pyroelektrischen Krystalls es der Fall sein würde, umkehrt. Die aktinoelektrischen Wirkungen treten auch bei Anwendung dunkler Wärmequellen auf, sie sind dem Vorzeichen nach entgegengesetzt den durch die Erwärmung hervorgebrachten Wirkungen, ein Beweis, daß sie nicht Folge der durch die Absorption der Wärmestrahlen eintretenden Erwärmung der Krystalle sind.

Wegen des Speciellern dieser Erscheinungen verweisen wir auf die Arbeiten Hankels und die von ihm gegebene kurze Darstellung derselben

in 2. Bande von Wiedemanns Elektricitätslehre, S. 316 ff.

Schliefslich müssen wir noch zwei Quellen der Elektricität nennen, mit welchen wir uns sehr ausführlich im nächsten Abschnitte beschäftigen werden, die Elektricitätserregung durch chemische Prozesse und diejenige durch Berührung heterogener Substanzen. Es wird deshalb überflüssig

¹⁾ Hankel, Abhandl. der Königl. Sächs. Gesellsch. der Wissensch. Bd. XX.

sein, an dieser Stelle bei diesen Arten der Elektricitätserregung zu v weilen, besonders da wir sie ebensowenig wie die zuletzt beschrieber Erregungsarten benutzen werden, um Elektricität zu unseren Untersucht gen zu erhalten. Dazu werden wir nur die Reibung verschiedener Kön an einander anwenden.

Nur eines chemischen Prozesses sei hier gedacht, welcher unzweider Elektricität liefert, der Verbrennungsprozess. Sowohl die Flamme (Wasserstoffgases ist nach Versuchen von Pouillet und Hankel elektris gefunden worden, als auch Flammen von Alkohol, Wachs, Äther, Öl u Fett¹). Pouillet fand, dass eine Wasserstoffsamme eine Platinspirale, welt von dem äusseren Mantel der Flamme berührt wurde, positiv elektris machte, dass dagegen ein in das Innere der Flamme geführter Dranegativ elektrisch wurde. Hankel fand dagegen, dass eine Wasserste flamme an der Spitze positiv, unten negativ elektrisch war.

Sehr leicht läst sich die Elektricität an glimmenden Körpern naweisen; man stelle auf den Teller eines Säulenelektroskopes ein Kohlekerzchen, so bewegt sich gleich nach dem Anzunden des Räucherkerzche das Goldblättchen nach der positiven Polplatte. Das Kerzchen wird anegativ, der Dampf positiv elektrisch.

§. 31.

Mass des elektrischen Zustandes. Wir haben in dem Voris schon häufig von größerer oder geringerer Stärke des elektrischen 1 standes gesprochen, welcher an den Körpern beobachtet wird, und dieselbe geschlossen durch die größere oder geringere Divergenz der Go blättchen im Elektroskope. Diese Divergenz kann uns indes nur in e zelnen Fällen Schlüsse auf die größere oder geringere Stärke, niem aber eine numerische Vergleichung derselben gestatten. Man wird di Behauptung schon durch folgenden Versuch begründet sehen. Man neh zwei Elektroskope, an deren einem der Messingstift doppelt so lang v die Kugel am obern Ende doppelt so groß ist als am anderen, und rühre dieselben nach einander mit derselben Glasröhre, nachdem letzt beide Male mit demselben Reibzeuge und gleich stark gerieben ist. V werden annehmen dürfen, dass die Röhre in beiden Fällen gleich st elektrisch ist, oder dieselbe Elektricitätsmenge besitzt; sollte deshalb Elektroskop gestatten, allgemein auf die Stärke des elektrischen Zustan der an dasselbe angelegten Körper zurückzuschließen, so müßte die Div genz der Goldblättchen in beiden Elektroskopen dieselbe sein. jedoch durchaus nicht der Fall; die Divergenz in dem größeren Elektrosk ist bedeutend kleiner als in dem kleineren. Daraus ergiebt sich, daß Elektroskope nicht einmal geeignet sind, Elektricitätsmengen mit einam zu vergleichen, geschweige denn ein Mass für dieselben zu liefern.

Um Elektricitätsmengen mit einander zu vergleichen, kann man v schiedene Wege einschlagen. Durch die Reibung einer gewissen Strecke eines Glases, unter einem gewissen Drucke, wird die ganze Strecke einen elektrischen Zustand von gewisser Stärke versetzt. Denken wir t

¹⁾ Pouillet, Annales de chim. et de phys. T. XXXV. Poggend. Ann. Bd.: Hankel, Poggend. Ann. Bd. LXXXI.

die elektrischen Erscheinungen durch ein Agens von realer Existenz hervorgebracht, das wir, ohne über seine Natur irgend etwas anzunehmen, als elektrisches Fluidum oder kurzweg als Elektricität bezeichnen wollen, so wird dieser elektrische Zustand des Glases dadurch hervorgebracht, daß auf demselben eine gewisse Menge Elektricität entwickelt ist. Führen wir aun über das geriebene Glas ein Metallblech, welches das Glas in allen Punkten berührt und mit einer isolierten Metallkugel in Verbindung ist, so wird der elektrische Zustand des Glases auf die Kugel übertragen, und das Glas bleibt unelektrisch zurück. Dadurch ist also in der Kugel eine gewisse Elektricitätsmenge angesammelt worden. Wenn wir nun noch siamal dieselbe Glassläche ganz ebenso reiben, so wird dieselbe wieder in denselben elektrischen Zustand versetzt als vorher; übertragen wir denselben wieder auf die isolierte Metallkugel, so wird wieder dieselbe Elektricitätsmenge dieser zugeführt, sie enthält also doppelt so viel Elektricität als vorher. Ganz dieselbe Elektricitätsmenge würde die Kugel erhalten baben, wenn wir gleich das erste Mal eine doppelt so große Glasfläche in gleicher Weise gerieben und von dieser die Elektricität auf die Kugel ibertragen hätten.

Wir gelangen also hier zur Vergleichung von Elektricitätsmengen unter der Voraussetzung, dass durch eine gewisse Reibung eine bestimmte Menge Elektricität erzeugt werde, indem wir die Anzahl solcher Erregungen vergleichen, welche zu der Entwickelung der verglichenen Elektricitätsmengen gedient haben. Die Einheit ist natürlich bei dieser Vergleichung ganz willkürlich.

Noch in einer andern Weise können wir die Elektricitätsmengen vergleichen. Man elektrisiere zwei Metallkugeln, welche mit einander in Berthrung sind, so wird man bei der Leichtigkeit, mit welcher sich die Elektricität durch Metalle ausbreitet, sicher sein können, dass die auf beide Kugeln übertragene Elektricität sich zwischen beiden in ganz gleicher Weise verteilt hat, so dass also jede Kugel die Hälfte der erregten Elektricität besitzt. Berühren wir nun eine der Kugeln mit einer anderen ganz gleichen, so wird auch zwischen diesen die Elektricität sich in ganz gleicher Weise verteilen, und jede dieser beiden Kugeln wird die Hälfte derjenigen Elektricität besitzen, welche die dritte Kugel für sich hat. Durch weitere Berührungen mit immer gleichen Kugeln können wir auf diese Weise Elekricitätsmengen erhalten, welche von derjenigen der unberührten Kugel 1/4, 1/8, 1/16 u. s. f. enthalten 1).

Wir gelangen auf diese Weise, wie eben erwähnt wurde, nur zu einem relativen Masse, nicht zu einem absoluten, dessen Einheit keine wilkürliche mehr ist. Um zu diesem zu gelangen, müssen wir uns an die Wirkungen der Elektricität wenden, da die Natur der Elektricität selbst uns durchaus unbekannt ist. Die einfachste und zugleich charakteristische Ausserung der Elektricität ist diejenige, dass zwei gleichnamig elektrisierte körper sich abstossen, zwei ungleichnamig elektrisierte sich anziehen. Diese anziehenden und abstossenden Kräfte werden sich jedenfalls nach einem bestimmten Gesetze mit der Menge der Elektricität und den Entsernungen, aus welchen sie auf einander wirken, ändern. Ist das Gesetz bekannt,

¹⁾ Riess, Reibungselektricität. Bd. I, p. 49 ff.

nach welchem mit der Menge und dem Abstande der Elektricitäten die anziehenden und abstoßenden Kräfte sich ändern, so wird man aus der beobachteten Abstofsung oder Anziehung in zwei Fällen das Mengenverhältnis der thätigen Elektricitäten ableiten, zugleich aber die Mengen nach einer absoluten Einheit ausdrücken können. Wir haben nur jene Elektricitätsmenge als die Einheit zu setzen, welche auf eine ihr an Größe und der Art nach gleiche, in der Entfernungseinheit die der Einheit gleiche abstofsende Kraft ausübt.

Diese Einheit lässt sich noch näher präcisieren. Wir haben in der Mechanik erwähnt 1), dass eine homogene Kugel oder Kugelschale bei dem zwischen materiellen Körpern gültigen Anziehungsgesetze nach außen hir gerade so anziehend wirkt, als wenn ihre ganze Masse im Mittelpunkt der Kugel vereinigt wäre. Wir werden nun annehmen dürfen, und es später noch nachweisen, dass die einer Kugel mitgeteilte Elektricität sich au derselben ganz gleichmäßig verteilt, wir werden ferner sehen, daß die Abstoßungen oder Anziehungen zweier Elektricitätsmengen dem Produkt dieser Mengen direkt, dem Quadrate ihres Abstandes umgekehrt proportiona sind. Sei es nun, dass die Kugel ihrer ganzen Masse nach, oder nur au ihrer Oberfläche elektrisch wird, sie wird nach dem erwähnten Satze nach aufsen hin gerade so abstofsend oder anziehend wirken, als wenn die gesamte Elektricität in dem Mittelpunkte der Kugel konzentriert wäre.

Dieses gesetzt, ist die Einheit der Elektricität jene, welche auf einer kleinen Kugel verteilt eine andere ebensolche und mit derselben Elektricitätsmenge gleicher Art versehene Kugel, deren Mittelpunkt von dem Mittelpunkte der erstern um die Lüngeneinheit entfernt ist, mit der Einheit der Kraft abstößt. Kohlrausch und Weber²) wählten als Einheit des Abstandes 1 mm und als Einheit der Kraft jene, welche der Masse von 1 mg in der Zeitsekunde die Beschleunigung 1 mm erteilt. In dem [C. G. S.] System haben wir Centimeter, Gramm und Sekunde als Einheit zu setzen. In welchem Verhältnis die letztere Einheit größer ist als die erstere erkennt man sofort, wenn man die Dimensionen der gewählten Ein-Nach dem eben angeführten im nächsten Paragraphen m heit bestimmt. beweisenden Gesetz ziehen sich zwei Elektricitätsmengen c und e_1 in einer Entfernung r mit einer Kraft A an, welche gleich ist

$$A = \frac{e \, c_1}{a^{2}} \cdot$$

Mit den schon im vorigen Abschnitt gewählten Dimensionszeichen μ (Masse), λ (Länge), τ (Zeit) ist

$$\frac{c e_1}{r^2} = A = z \left[\mu \lambda \tau^{-2} \right]$$

oder wenn wir $c = c_1$ setzen,

$$c^{3}=z\left[\mu\,\lambda^{3}\,\tau^{-2}\right]$$

somit

$$c = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{3/2} \tau^{-1} \right].$$

1) Man sehe im 1. Bd. Abschnitt I, §. 39.
2) R. Kohlrausch und W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungs
Art. 4. In den Abhandl. der Königl. Sächs. Gesellsch. der Wissensch. Bd. V, S. 22

s Mass der Elektricität hat also dieselben Dimensionen wie das s Magnetismus, und man sieht unmittelbar wie im §. 11, dass die des [C. G. S.] Systems 1000 mal so groß ist, als die von W. Weber hlrausch gewählte Einheit, dass also mit der letztern Einheit eine e Elektricitätsmenge durch die 1000 fache Zahl ausgedrückt wird ch die Einheit des [C. G. S.] Systems.

nken wir uns die eine von zwei mit der Einheit der Elektricität nen Kugeln an dem Endpunkte eines Hebelarmes von der Länge festigt, so erhält derselbe von der zweiten Kugel im Abstande eins hungsmoment, welches jenem gleich ist, welches zwei mit der des magnetischen Momentes versehene Magnete in der zweiten age in der Abstandseinheit auf einander ausüben.

8. 32.

ssetze der elektrischen Anziehung und Abstofsung. Die Geach welchen die elektrischen Anziehungen und Abstofsungen mit ise und der Entfernung der elektrischen Massen sich ändern, sind von Coulomb¹) mit Hilfe der Drehwage untersucht worden. Die

tung der Torsionswage haben vorigen Abschnitte §. 14 aus-1 beschrieben, wir haben hier zuzufügen, welche Vorrichtunderselben angebracht wurden, zu den elektrischen Versuchen Da die elektrischen utzen. welche bei diesen Versuchen ; werden, überhaupt nur sehr ind, so muss zunächst, um die ıskraft möglichst klein zu maler Aufhängedraht d (Fig. 43) ast fein genommen werden. ib wandte einen solchen an, em die Länge eines pariser nur das Gewicht von 1/16 Grain Eine Bestimmung des Torsionsienten des Drahtes ergab, dass rsion um 1º ein am Ende des ıtalen Wagebalkens angebrachick von $\frac{1}{122400}$ Grain das Gleichit hielt.

ds Wagebalken B dient entein dünner aus Schellack ger Faden oder Glasfüden, welche hellack überzogen sind. Riess n Balken in seiner Torsionswage wei Glasfüden zusammengesetzt,



¹⁾ Coulomb, Mémoires de l'Académie. Paris 1785.

.

jeden 8 cm lang, welche vorsichtig mit Schellack überzogen waren. Die selben wurden durch einen 2,5 cm langen dünnen Schellackcylinder webunden, so dass der ganze Wagebalken eine Länge von 19 cm besas.

An dem einen Ende des Wagebalkens wird eine vergoldete Kuge von Hollundermark befestigt, welche an der andern Seite durch ein dünne kreisförmiges Glimmerblättehen, dessen Ebene vertikal steht, equilibrier wird. Das Glimmerblättehen dient zugleich dazu, die Stellung des Wage balkens an der unteren Teilung zu bestimmen, indem der Stand desselbe beobachtet wird.

Der Balken wird in seiner Mitte an dem Drahte befestigt, so da er vollkommen horizontal hängt.

Der Deckel der Drehwage hat außer seiner mittleren Durchbohrun noch zwei andere, welche dem Rande nahe sind. Die eine D dient dan eine der am Wagebalken befestigten genau gleiche vergoldete Hollunde markkugel, welche an einem Schellackcylinder befestigt ist, in die Wag hinabzulassen und festzustellen, die sogenannte Standkugel. Vor dem Beginne der Versuche wird der Wagebalken so gestellt, daß die an ihr befestigte Kugel, wenn der Faden ganz ohne Torsion ist, die Standkuggerade berührt. Die zweite Öffnung E dient dazu, die beiden Kugeln de Wage zu elektrisieren, wenn sie in Berührung sind. Man senkt zu der Ende durch diese eine isolierte elektrisierte Metallkugel in die Wage hins und berührt die Standkugel einen Augenblick. Nach dem im vorige Paragraphen Mitgeteilten werden dann beide Kugeln durch Mitteilung unzwar gleich stark elektrisiert.

Die Kugel des Wagebalkens wird von der Standkugel abgestoße und kommt nach einiger Zeit in einer gewissen abgelenkten Stellung m. Ruhe. Man bestimmt den Winkel, welchen der Wagebalken jetzt miseiner Ruhelage bildet, an der um den Cylinder der Drehwage gelegte Teilung. Zur genauern Bestimmung des Ablenkungswinkels verläßt musich nicht auf die Teilung allein, sondern hat vorher verglichen, auwelchen Punkten der Teilung das Glimmerblättchen beobachtet wird wenn man den Wagebalken durch Drehung des oberen Torsionskreise um eine beliebige Anzahl Grade gedreht hat. Sei der beobachtete Ablenkungswinkel α.

Nach der Beobachtung der ersten Ablenkung dreht man den obere Torsionskreis um eine beliebige Anzahl Grade so, daß die Kugel de Wagebalkens der Standkugel genähert wird. Habe man den Torsionskrei um den Winkel ϑ zurückgedreht, und bilde der Balken mit seiner Ruhlage den Winkel α' ; der elektrischen Abstoßung, welcher im ersten Fall die Torsion des Drahtes um den Winkel α das Gleichgewicht hielt, häl jetzt die Torsion $\vartheta + \alpha'$ das Gleichgewicht.

Man macht noch eine dritte Beobachtung, indem man den Faden w den Winkel ϑ' tordiert, so daß der Wagebalken den Winkel α'' mit seine Ruhelage bildet. Der elektrischen Abstoßung hält jetzt die Torsion de Fadens $\vartheta' + \alpha''$ das Gleichgewicht.

Diese drei Beobachtungen reichen hin, um aus denselben die Änderu der Abstoßung mit der Entfernung abzuleiten; eine größere Anzahl B obachtungen läßst sich nicht anstellen, da die Elektricität von den Kuge sich allmählich in die Luft der Wage verbreitet, selbst wenn man dur

Einsetzen von Chlorcalcium in die Wage dafür sorgt, daß dieselbe möglichst trocken ist.

Coulomb erhielt durch derartige Beobachtungen in einem Falle folgende Torsionen ϑ und Ablenkungen α

$$\begin{array}{cccc} 9+\alpha & \alpha \\ 36^0 & 36^0 \\ 144^0 & 18^0 \\ 575,5^0 & 8,5^0 \end{array}$$

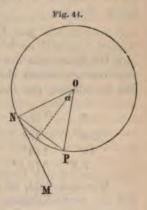
Die Entfernungen der beiden Kugeln sind den Ablenkungen des Wagebalkens nahezu proportional, während die abstoßenden Kräfte den Torsionen des Drahtes proportional sind. Wie man sieht, verhalten sich in diesen Versuchen die Entfernungen der Kugeln nahezu wie 4:2:1. Andererseits stehen aber die Torsionswinkel nahezu im Verhältnisse von 1:4:16, denn es ist

$$\frac{575,5}{16} = 35,9$$
 $\frac{144}{4} = 36$ $\frac{36}{1} = 36$.

Es ergiebt sich also aus diesem Versuche, daß die elektrischen Abstoßungen dem Quadrate der Abstände der elektrischen Massen umgekehrt

proportional sind. Mit noch größerer Sicherbeit ergiebt sich dieser Satz, wenn wir die Versche genau berechnen. Sei zu dem Ende Fig. 44 ein Horizontalschnitt der Wage in der Ebene des Wagebalkens, OP sei die Lage des Wagebalkens in der Ruhelage, P also der Ort der Standkugel. ON sei die Lage des Wagebalkens nach der Abstoßung, also der Winkel $NOP = \alpha$; der Faden sei um den Winkel $\vartheta + \alpha$ brdiert.

Bezeichnen wir die Kraft, mit welcher die elektrisierten Kugeln in der Einheit des Abstandes sich abstoßen, mit F, so ist die Kraft, mit welcher sie sich im Abstande PN abstoßen, nach dem eben näherungsweise geschlossenen Gesetze gleich



$$\frac{F}{(PN)^2}$$
.

Von dieser Kraft trägt zur Drehung der Kugel nur die der Tangente MN parallele Komponente, also $\frac{F}{(NP)^2} \cdot \cos PNM$ bei; diese hält der Torsion des Drahtes das Gleichgewicht. Nun ist bekanntlich $PN=2R\sin\frac{\alpha}{2}$, wenn R den Radius des Kreises, also die halbe Länge des Wagebalkens bedeutet; nach einem geometrischen Satze ist ferner $PNM=\frac{\alpha}{2}$. Die MN parallele Komponente der elektrischen Abstoßungen ist somit

$$\frac{F}{4R^2\sin^2\frac{\alpha}{2}}\cdot\cos\frac{\alpha}{2}$$

und das dem Wagebalken erteilte Drehungsmoment, da diese Kraft Radius R wirkt,

Radius
$$R$$
 wirkt,
$$\frac{F}{4R^2 \sin^2 \frac{\alpha}{2}} \cdot \cos \frac{\alpha}{2} \cdot R = \frac{F}{4R \sin^2 \frac{\alpha}{2}} \cdot \cos \frac{\alpha}{2} \cdot$$

Dieser Kraft hält die Torsion des Fadens das Gleichgewicht, bezei nen wir also den Torsionskoefficienten dieses Drahtes in der gewöhnlich Bedeutung des Wortes, d. h. jene Kraft, welche an einem der Läng einheit gleichen Hebelarme angreifend der Torsion des Fadens das Glei gewicht hält, wenn der Endpunkt des Hebelarmes einen der Längeneinl gleichen Bogen beschrieben hat, mit T, so muß

$$\frac{F}{4R\sin^2\frac{\alpha}{2}}\cdot\cos\frac{\alpha}{2}=T\cdot(\theta+\alpha).$$

Der Torsionswinkel $\vartheta + \alpha$ muß hier in Teilen des Halbmessers a gedrückt sein; ist das nicht der Fall, so haben wir diesen Winkel du jenen Winkel φ zu dividieren, dessen Bogen an Länge dem Halbmesgleich ist, nämlich 57° 17′ 45″. Setzen wir ϑ und α nach der direk Beobachtung als in Graden gegeben voraus, so können wir obigen Adruck schreiben

$$\varphi \cdot \frac{F}{4RT} = (\vartheta + \alpha) \sin \frac{\alpha}{2} \cdot \tan \frac{\alpha}{2}$$

Die linke Seite der Gleichung ist eine konstante Größe, ist daher angenommene Gesetz richtig, so muss auch die rechte Seite konstant & Die Berechnung der Coulombschen Versuche giebt folgende Werte:

$$\alpha$$
 $\vartheta + \alpha$
 $(\vartheta + \alpha) \cdot \sin \frac{\alpha}{2} \cdot \tan \frac{\alpha}{2}$
 α berechnet

 36^0
 36^14
 36^0
 18^0
 144^0
 $3,568$
 18^0 6'

 $8,5^0$
 $575,5^0$
 $3,169$
 9^0 4'.

Wie man sieht, ist die rechte Seite der Gleichung nicht ganz konst und die vierte Kolumne der kleinen Tabelle zeigt, daß die beobacht Winkel α kleiner sind als die aus der ersten Beobachtung $\vartheta=0$, $\alpha=$ berechneten Werte. Abgesehen von den unvermeidlichen Ungenauigke der Beobachtung hat dieses seinen Grund in dem schon erwähnten I stande, daß die Elektricität auf den Kugeln allmählich durch Zerstreu in die Luft abnimmt. Die Größe F wird daher allmählich kleiner, so die Abweichung der Zahlen der dritten Kolumne von der Gleichheit dwaus nicht gegen das Gesetz spricht.

Noch auf eine andere Weise ist von Egen¹) später das Gesetz elektrischen Abstoßungen abgeleitet worden. An dem einen Arme e in seiner Mitte aufgehängten Stäbchens von Schellack wurde eine ver dete Kugel von Hollundermark und an dem andern Ende teils als Geg gewicht, teils zum Anhängen von Drähten ein Haken von Messing befes Über der Hollundermarkkugel wurde eine andere ebensolche Kugel in

¹⁾ Egen, Poggend. Ann. Bd. V.

ntfernung aufgestellt. Die beiden Kugeln wurden elektrisiert, che Kugel abgestoßen und der Wagebalken verließ die horizonDurch an der anderen Seite angehängte Gewichte wurde der
wieder horizontal gestellt; war das Gleichgewicht erreicht, so
ufgehängte Gewicht die elektrische Abstoßung der Kugeln in
gegebenen Abstande. Bei einem zweiten Versuche wurde der
r Kugeln geändert und dann wurden die Gewichte und die Abeiden Versuchen verglichen. Es zeigte sich auch hier, daß die
ung des Gleichgewichts erforderlichen Gewichte sich umgekehrt
wie die Quadrate der Abstände der Kugelmittelpunkte.

iese Weise läst sich indes nicht die Genauigkeit wie mit der erreichen, da die Herstellung des jedesmaligen Gleichgewichts mehr Zeit in Anspruch nimmt, der Elektricitätsverlust durch z also größer ist, und da die Wage zur Messung kleiner Abdurchaus nicht die Empfindlichkeit der Drehwage besitzen kann. em für die elektrischen Abstoßungen bewiesenen Gesetze wird chon sofort den Schluß ziehen, daß auch dasselbe Gesetz für gigkeit der elektrischen Anziehungen von dem Abstande der Massen gelte. Daß das in der That der Fall ist, hat Coulomb¹) verschiedenen Methoden bewiesen.

hst wandte er die Drehwage an; die bewegliche Kugel wurde und durch Drehung des Torsionskreises dem Wagebalken eine gegeben, daß er mit seiner Ruhelage einen Winkel c bildete. rde der Standkugel entgegengesetzte Elektricität mitgeteilt und ihren Platz gestellt. Die Kugeln ziehen sich an, und der n wird in einer Lage zur Ruhe kommen, in welcher er mit eren Ruhelage nur mehr den Winkel a bildet, so daß der Faden inkel c-a tordiert ist.

breht den Torsionskreis um einen anderen Winkel c', und der n kommt in einer anderen abgelenkten Lage a' zur Ruhe, in r Faden um c'-a' tordiert ist.

wir voraus, dass die Abstände der Kugeln den Bögen a proind, und dass die ganze anziehende Kraft den Wagebalken in Ruhelage zurückzudrehen sucht, so ist diese Kraft, wenn F die Anziehung in der Entfernungseinheit bedeutet, $\frac{F}{a^2}$. Dieser die Torsion des Fadens um c = a das Gleichgewicht, da diese

die Torsion des Fadens um c-a das Gleichgewicht, da diese n die abgelenkte Lage c zu drehen sucht. Die Gleichgewichtsist also

$$\frac{F}{a^2} = T(r - a)$$

$$\frac{F}{r} = a^2(r - a).$$

ie linke Seite der Gleichung konstant ist, so muß es auch die 1, oder welche Ablenkung c man auch den Wagebalken anfängter muß immer um einen solchen Winkel c-a genähert werdas Produkt $a^2(c-a)$ eine konstante Größe ist. Coulomb

giebt die beobachteten c und a nicht, sondern führt nur an, das seinen Versuchen diese Beziehung in der That sich gezeigt habe, aus denselben folge, dass die elektrischen Anziehungen sich umge wie die Quadrate der Entfernungen verhalten.

Es mus hier auf eine Schwierigkeit dieser Versuche aufmerksammacht werden, welche dieselben leicht misslingen lässt. Bei einer ge nen Elektrisierung der Kugeln wird die anziehende Kraft um so g sein, je geringer die ursprüngliche Ablenkung c des Wagebalkens um so mehr mus sich demnach die Kugel der Standkugel nähern um so größer wieder die Torsion c-a sein, damit dieselbe der stär Anziehung der Kugeln das Gleichgewicht halten kann. Daraus folgter, dass wenn c kleiner ist als eine gewisse Größe, die Torsion Fadens nicht so groß werden kann, um den Wagenbalken in einer lenkten Lage zu halten, dass also dann die Kugel des Wagebalke die Standkugel herangezogen wird.

Welchen Wert c mindestens haben muß läßt sich ableiten, man den größten Wert aufsucht, welchen a annehmen darf, dam Gleichung

$$\frac{F}{T} = a^2 (c - a)$$

noch bestehen kann. Man erhält denselben, indem man für ein gege c denjenigen Wert von a berechnet, welcher die rechte Seite der Gleizu einem Maximum macht, welche also den größten Wert der ziehung F giebt, bei welchem die Torsion c-a zur Herstellun Gleichgewichtes ausreicht. Wir erhalten den Maximalwert, indem wi Differentialquotienten der rechten Seite nach a bilden, und diesen null setzen, somit aus der Gleichung

$$2ac - 3a^2 = 0$$
$$a = \frac{2}{3}c.$$

Geht demnach der Wagebalken um mehr als $^{1}/_{3}$ der ursprüng Drehung zurück, so giebt es keine Gleichgewichtslage mehr, der V balken geht bis zur Berührung an die Standkugel. Coulomb giebt halb an, man solle zwischen Standkugel und Wagebalken einen Staden vertikal aufspannen, damit die Kugeln nicht zur Berührung gelkönnen; man kann dann, wenn man sieht, daß die Anziehung $^{1}/_{3}c$ schreiten will, den Wert von c durch Drehung des Torsionskreises größern. Indes ist es in dem Falle schwierig zu verhindern, daß Störung eintritt, da durch Drehung des Torsionskreises der Wageb in Schwingung gerät und so leicht gegen den Seidenfaden stößt; kann man nie sicher sein, daß die Kugel nicht Elektricität an den Sefaden abgiebt.

Die zweite Methode, welche Coulomb zum Nachweise des Ge anwandte, ist ganz analog der Methode der Oscillationen, durch welc das Gesetz der magnetischen Anziehungen nachwies.

Einer großen gut isolierten, mit Elektricität versehenen Metall gegenüber wurde an einem langen Coconfaden ein Schellackstäbcher gehängt, an dessen einem Ende eine kleine vergoldete Kugel von Hollt mark befestigt war. Das Stäbchen war in der horizontalen Ebene dr

. .

wikugel wurde mit der Elektricität versehen, welche der in der großen Kugel vorhandenen entgegengesetzt war. Die große Kugel zieht die kleine an, und die kleine ist im Gleichgewicht, wenn die Nadel parallel ist der Verbindungslinie der beiden Mittelpunkte der Kugeln. Wird die Nadel aus dieser Lage gebracht, so gerät sie in Schwingungen, welche den gewöhnlichen Pendelgesetzen folgen, wenn man nur den Abstand der Kugeln so groß wählt, daß man die Richtung der von Mittelpunkt zu Mittelpunkt wirkenden elektrischen Anziehungen in allen Lagen der Nadel als parallel anehmen kann. Bezeichnet f die anziehende zwischen den beiden Kugeln tätige Kraft, wenn die Entfernung der Kugelmittelpunkte d ist, so ist unter Voraussetzung, daß wir die Torsionskraft des Fadens vernachlässigen durch

$$t=\pi\sqrt{\frac{C}{f}},$$

worin die Größe C eine in bekannter Weise von dem Trägheitsmoment der Nadel in Bezug auf die Drehungsaxe und der halben Länge derselben abhängige Konstante ist.

In einem anderen Abstande d' sei die anziehende Kraft f', so ist die

Schwingungsdauer t'

$$t'=\pi\sqrt{\frac{C}{f'}},$$

somit erhalten wir

$$t^2: t'^2 = f': f.$$

Gilt das aus den Versuchen mit der Drehwage geschlossene Anziehungs-gesetz, so ist

$$f': f = d^2: d'^2.$$

Daraus folgt in Verbindung mit der letzten Proportion:

$$t^2: t'^2 = d^2: d'^2$$
 oder $t: t' = d: d'$.

Die Schwingungszeiten der Nadel in den verschiedenen Abständen nössen sich direkt verhalten wie die Abstände der Kugelmittelpunkte.

Die aus der Dauer von 15 Schwingungen berechnete Oscillationsdauer der Nadel in den folgenden Abständen fand Coulomb

d	į	!
	beobachtet	berechnet
3	1,333"	1,333
6	2,733	2,666
8	4,000	3,555.

Die als berechnet angegebenen Werte von t sind aus den erst be
obschteten, unter Voraussetzung, dass die Abnahme der anziehenden Kraft

obigem Gesetze folge, abgeleitet. Wie man sieht, übersteigen die beobachteten Werte die berechneten; daraus folgt, dass die Anziehung rascher

bnimmt, als sie sollte. Der Grund zur rascheren Abnahme liegt auch
uier wieder zum Teil in der Zerstreuung der Elektricität in der Luft.

adurch, dass Coulomb nach dem letzten Versuche die Nadel wieder in die

Entfernung 3 brachte, ergab sich, dass die anziehende Kraft nicht mehr ganz 0,9 derjenigen im Anfang des Versuches betrug. Um daher den letzten Versuch mit dem ersten vergleichen zu können, muß man den zuletzt beobachteten Wert von t mit $\sqrt{0.9}$ multiplizieren. Er wird dann 3,800; mit dieser Korrektion ist die Übereinstimmung zwischen Theorie und Erfahrung fast vollkommen zu nennen.

Es ergiebt sich somit, dass die Kraft, mit welcher zwei elektrische in einem Punkte konzentrierte Massen sich abstossen oder anziehen, dem Quadrate ihres Abstandes umgekehrt proportional ist.

Die elektrischen Anziehungen und Abstossungen hängen, wie wir bereits erwähnten, nicht allein von dem Abstande der auf einander ein wirkenden elektrisierten Körper, sondern auch von der Menge der auf ihnen angesammelten Elektricität ab. Es ist leicht, die Abhängigkeit mit der Torsionswage zu untersuchen. Man elektrisiere die bewegliche und die feste Kugel wie vorhin, wenn sie in Bertthrung sind, und tordier durch Drehung des Torsionskreises den Aufhängedraht so, dass der Wage balken einen bestimmten Winkel α, etwa 30°, mit seiner früheren Rube lage bilde. Die dazu nötige Torsion $\vartheta + \alpha$ sei 150°. Man berühre die Standkugel mit einer anderen ebenfalls isolierten, ihr ganz gleichen Kugel nach den Ausführungen des vorigen Paragraphen wird die Standkuge dann gerade die Hälfte der Elektricitätsmenge behalten. Man verminden die Torsion so weit, dass a wieder gleich 30° wird, so wird man finden dass $\vartheta + \alpha$ fast 75° beträgt, also die Hälfte von vorher ist. Darau berühre man die Standkugel mit einem nicht isolierten Körper; sie wir unelektrisch, und die bewegliche Kugel sich bis zur Berührung der Stand kugel nähern. Nach der Berührung sind wieder beide Kugeln elektrisch und zwar enthält jede Kugel die Hälfte Elektricität von vorher. Di Kugeln stofsen sich wieder ab, und versucht man die Ablenkung α wiede auf 30° zu bringen, so wird man 3 vielleicht 6°, also 3 + $\alpha = 36$ finder Die der elektrischen Abstofsung das Gleichgewicht haltende Torsion de Drahtes muss also bei Halbierung der auf der einen Kugel vorhandene Elektricität ebenfalls halbiert, bei Halbirung der auf beiden Kugeln vor handenen auf ein Viertel reduziert werden. Es folgt somit, daß die elek trischen Abstofsungen den Produkten aus den auf einander einwirkende Elektricitätsmengen proportional sind.

Wir können hiernach das Gesetz der elektrischen Anziehungen un Abstofsungen folgendermaßen zusammenfassen:

Wenn zwei materielle Punkte elektrisiert sind, so ziehen sie sich a oder stoßen sich ab, proportional dem Produkte der auf beiden von handenen Elektricitätsmengen und umgekehrt proportional dem Quadratihres Abstandes.

Ist so das Grundgesetz der elektrischen Abstofsungen und Anziehunge gegeben, so kann man auf mathematischem Wege die Wirkung zweier bliebiger elektrischer Körper ableiten. Dieselbe hängt nur ab von der Gstalt des Körpers und der Verteilung der Elektricität in ihm. Ist beide gegeben, so läfst sich nach den Gesetzen der Mechanik die resultieren Kraft sowohl der Größe als der Richtung nach bestimmen.

§. 33.

§. 33.

Messung der Elektricitätsmenge mit der Torsionswage. Mit Hilfe der Gesetze der elektrischen Anziehungen und Abstofsungen sind wir imstande Elektricitätsmengen, welche wir der Standkugel oder der Kugel des Wagebalkens in verschiedenen Fällen mitgeteilt haben, mit einander n vergleichen oder auch in absolutem Masse auszudrücken. Um zunächst Elektricitätsmengen c und c' zu vergleichen, welche wir in zwei Fällen der Standkugel mitteilen, beginnt man damit, die Kugel des Wagebalkens durch Berührung mit einem elektrisierten Körper zu elektrisieren und zwar gleichnamig mit den zu untersuchenden Elektricitäten. Man giebt dann dem Wagebalken zunächst, um jede Berührung der beweglichen mit der einzusetzenden Kugel zu vermeiden, eine gering abgelenkte Stellung, und bringt die mit der Elektricitätsmenge e geladene Standkugel an ihren Platz. Die bewegliche Kugel wird abgestoßen; durch Torsion des Fadens um den Bogen & giebt man dem Wagebalken eine bestimmt abgelenkte Stellung, sei dieselbe a. Nach dem vorigen Paragraphen haben wir für die elektrische Abstossung der Kugel in der Entfernungseinheit, wenn E die der Kugel des Wagebalkens erteilte Elektricität bedeutet,

$$F = E e = 4 R T \left(\frac{\vartheta + \alpha}{\varphi}\right) \sin \frac{\alpha}{2} \tan \frac{\alpha}{2}.$$

Man ladet die Standkugel anstatt mit der Elektricität e mit der Elektricität e'. Beobachtet man dann bei einer andern Torsion ϑ' eine andere Gleichgewichtslage, bei welcher der Wagebalken um α' abgelenkt ist, so hat man

$$F' = Ee' = 4R T\left(\frac{\vartheta' + \alpha'}{\varphi}\right) \sin\frac{\alpha'}{2} \tan \frac{\alpha'}{2}.$$

Durch Division der beiden Gleichungen erhält man

$$\frac{c'}{c} = \frac{(\vartheta' + \alpha') \sin \frac{\alpha'}{2} \tan \frac{\alpha'}{2}}{(\vartheta + \alpha) \sin \frac{\alpha}{2} \tan \frac{\alpha}{2}}$$

für das Verhältnis der beiden Elektricitätsmengen.

Dies ist der allgemeinste Fall der Beobachtung; man kann dieselbe indes sehr vereinfachen, wenn man dem Drahte bei Bestimmung der Abstoßung F' eine solche Torsion ϑ' erteilt, daß $\alpha = \alpha'$ wird. Dann wird obiger Ausdruck einfach

$$\frac{e'}{e} = \frac{\vartheta' + \alpha}{\vartheta + \alpha}.$$

Giebt man weiter dem Wagebalken schon vor Einsetzung der Standkngel durch Drehung des Torsionskreises die abgelenkte Stellung a, und bewirkt nach Einsetzung der Standkugel durch Torsion des Drahtes, daß auch dann dieselbe abgelenkte Lage beibehalten wird, so wird

$$\frac{e'}{e} = \frac{\vartheta'}{\vartheta}$$

Dieses letztere Verfahren ist das einfachste und zugleich das genaueste.

Man ist nämlich bei demselben von der unteren Teilung, an welc bestimmt wird, ganz unabhängig und benutzt dieselbe nur in so dass man einen Teilstrich derselben als Merkzeichen anwendet, auf chen man den beweglichen Wagebalken immer einstellt.

Bei der angeführten Methode wird vorausgesetzt, das bei den gleichenden Messungen die Elektricitätsmenge E des Wagebalkens die sei; das ist, wie wir bereits sahen, nicht der Fall, da ein allmäh Verlust an Elektricität eintritt. Wir werden die deshalb erforder Korrektionen demnächst anführen.

Die Elektricität des Wagebalkens zu bestimmen ist im allgem überstüssig; nur dann ist es erforderlich, wenn Messungen bei ver dener Ladung der beweglichen Kugel verglichen werden sollen. Um d können, elektrisiert man die Kugel des Wagebalkens bei den zu ve chenden Versuchen mit einer und derselben elektrisierten Kugel. dürsen annehmen, dass die Kugel des Wagebalkens dann immer dens Bruchteil der auf der Berührungskugel vorhandenen Elektricität ann Man beobachtet dann die Abstosung, indem man die elektrisierende lals Standkugel braucht. Ist bei einem Versuche die Elektricität Wagebalkens E, so können wir die Elektricität der berührenden legleich cE setzen, und wir erhalten aus der beobachteten Abstosur

$$c E E = 4 R T \frac{\vartheta + \alpha}{\varphi} \sin \frac{\alpha}{2} \tan \frac{\alpha}{2}$$

Nennen wir bei dem hiermit zu vergleichenden Versuche die El cität des Wagebalkens E', so ist wieder

$$c\;E'\;E' = 4\,R\;T\,\frac{\vartheta' + \alpha'}{\varphi}\sin\,\frac{\alpha'}{2}\,\tan\!g\,\frac{\alpha}{2}\;,$$

und daraus

$$\frac{E'}{E} = \sqrt{\frac{(\vartheta' + \alpha')\sin\frac{\alpha'}{2}\tan\frac{\alpha'}{2}}{(\vartheta + \alpha)\sin\frac{\alpha}{2}\tan\frac{\alpha}{2}}} = B.$$

Man sieht leicht, wie man nun die Elektricitäten e und e' vergle kann, nachdem man das Verhältnis E':E bestimmt hat. Nehmes an, wir hätten in beiden Fällen dem Wagebalken schon vor der Abste die abgelenkte Lage α gegeben, so haben wir zur Bestimmung vor

$$e E = 4R T \frac{\vartheta}{\varphi} \sin \frac{\alpha}{2} \tan \frac{\alpha}{2}$$

und für e'

$$e' E' = e' B E = 4R T \frac{\vartheta'}{\varphi} \sin \frac{\alpha}{2} \tan \frac{\alpha}{2}$$

also

$$\frac{e'B}{e} = \frac{\vartheta'}{\vartheta}; \quad \frac{e'}{e} = \frac{1}{B} \cdot \frac{\vartheta'}{\vartheta}$$

für das Verhältnis der beiden Elektricitätsmengen c und e'. In dem Ausdrucke

$$E c = 4R \sin \frac{\alpha}{2} \tan \alpha \cdot T \frac{(\vartheta + \alpha)}{\alpha}$$

ben wir zugleich das Mittel, die Elektricitäten in dem von uns angegebenen absoluten Maße auszudrücken. Es sei z. B. die der Standkugel mitgeteilte Elektricitätsmenge 2e in absolutem Maße zu bestimmen. Wir berühren mit derselben die Kugel des Wagebalkens, die wir als der Standwelle vollkommen gleich annehmen wollen, und beobachten die Torsion ϑ , welche eine ganz bestimmte Ablenkung α hervorbringt. Da die Elektricität sich ganz gleichmäßig über die beiden Kugeln verbreitet, so hat jede der beiden Kugeln die Elektricitätsmenge e; dadurch wird unser Ansdruck

$$e^2 = 4R \sin \frac{\alpha}{2} \tan \frac{\alpha}{2} \cdot T \frac{(\vartheta + \alpha)}{\varphi}$$

Um die Elektricitätsmenge e in der gewählten Einheit, welcher die Einheiten der Masse, der Länge und der Zeit zu Grunde liegen, anzugeben, haben wir nur den Radius R und den Torsionskoefficienten in desen Einheiten auszudrücken.

Um letzteren zu erhalten, verfährt man nach der im ersten Teile § 51 angegebenen Methode von Coulomb. Man hängt an das untere Ende des Drahtes einen Körper von geometrisch bestimmter Gestalt und bekanntem Gewichte, etwa eine möglichst regelmäßig gearbeitete kreisförmige Metallscheibe, und beobachtet die Dauer der Oscillationen, welche dieselbe unter dem Einfluß der Torsion des Drahtes macht. Sei dieselbe gleich t. Man berechnet das Trägheitsmoment der Scheibe, indem man die Einheiten des absoluten Maßsystems für Masse und Länge einsetzt. Ist dasselbe gleich K, so wird

$$T=\pi^2\,\frac{K}{t^2}$$

der Torsionskoefficient des Drahtes, d. h. jene Kraft, ausgedrückt in Einbeiten, deren jede der Masse eins in einer Sekunde die Geschwindigkeit eins erteilt, welche an dem Hebelarm von der Länge eins wirkend der Torsion des Fadens das Gleichgewicht hält, wenn das Ende des Hebelarmes einen Bogen von der Länge eins beschrieben hat, der Torsionswinkel also gleich $\varphi = 57^{\circ}$ 17′ 45″ ist.

Setzen wir diesen Wert von T in obige Gleichung ein, so erhalten wir e aus der Gleichung

$$e = \sqrt{4R \sin \frac{\alpha}{2} \tan \frac{\alpha}{2} \cdot T \cdot \frac{\vartheta + \alpha}{\varphi}}$$

in Einheiten ausgedrückt, deren jede gleich der Elektricitätsmenge ist, wilche in einen Punkt konzentriert auf eine andere ihr gleiche in einen Punkt, welcher die Längeneinheit von dem ersten entfernt ist, konzentrierte eine abstofsende Kraft ausübt, die eine Sekunde lang auf die Masse wirkend, derselben die Geschwindigkeit eins erteilen würde.

Hat man einmal für eine bestimmte Torsionswage den Wert von Tim den gewählten Einheiten ausgedrückt, so kann man die Messung der Elektricität nach absolutem Maße sehr vereinfachen, indem man die Kugel des Wagebalkens stets nur durch Berührung mit derselben Standkugel elektrisiert und die Abstoßung der beiden Kugeln immer bei demselben Elongationswinkel a beobachtet. Seien in zwei Fällen die der Standkugel

mitgeteilten Elektricitäten 2e und 2e', und nehmen wir an, daß dem Wagebalken durch Stellung des Torsionskreises schon vor der Abstoßung die abgelenkte Lage α gegeben sei, so ist

$$\frac{e^2}{e^{\prime 2}} = \frac{\vartheta}{\vartheta^{\prime}},$$

wenn ϑ und ϑ' die in beiden Fällen nötigen Torsionen sind, welche den Wagebalken in der Lage α erhalten.

Bestimmt man nun ein für allemal, wie groß der Wert $\theta' = \theta$ ist, wenn e' = 1 ist, so wird

$$c = \sqrt{\frac{\vartheta}{\Theta}} = m \cdot \sqrt{\vartheta}$$

die Elektricitätsmenge e in absolutem Masse wiedergeben.

Dieser Wert von Θ läßt sich sehr leicht berechnen. Kennt man nämlich die Elektricitätsmenge 2E, welche man der Standkugel mitteilen muß, damit sie dem Wagebalken in der abgelenkten Lage die Einheit des Drehungsmomentes erteilt, d. h. denselben ebenso stark zu drehen sucht, als wenn in dem Abstande eins von der Drehungsaxe die gewählte Krafteinheit wirkte, und kennt man weiter den Torsionswinkel τ , welcher diesem Drehungsmomente das Gleichgewicht hält, so erhält man den gesuchten Torsionswinkel Θ aus der Proportion

$$E^2: 1 = \tau: \Theta$$

$$\Theta = \frac{\tau}{E^2};$$

denn die elektrische Abstossung ist unter diesen Verhältnissen dem Quadrate der auf einer der beiden Kugeln vorhandenen Elektricitäten, und des durch die Torsion hervorgebrachte Drehungsmoment dem Torsionswinkel proportional.

Da nach dem Vorigen

$$\frac{E^2}{4 R \sin^2 \frac{\alpha}{2}} \cdot \cos \frac{\alpha}{2}$$

das Drehungsmoment ist, welches die Standkugel dem Wagebalken erteilt, wenn derselbe die Lage α hat, und jede Kugel die Elektricitätsmenge E besitzt, so erhalten wir die Elektricitätsmenge E, welche die Einheit des Drehungsmomentes erteilt, wenn wir jenen Wert gleich 1 setzen, also aus der Gleichung

$$E^2 = 4R \sin \frac{\alpha}{2} \tan \frac{\alpha}{2} \cdot$$

Die der Einheit des Drehungsmomentes das Gleichgewicht haltende Torsion τ giebt folgende Überlegung. Ist der Torsionswinkel gleich \P , so ist das Drehungsmoment infolge der Torsion gleich T; da nun die Torsionskraft dem Torsionswinkel proportional ist, so ist das Drehungsmoment bei der Torsion τ gleich 1, wenn

$$T \cdot \frac{\tau}{\varphi} = 1$$
$$\tau = \frac{1}{\pi} \cdot \varphi$$

ist. Aus diesem Werte von r und dem eben gefundenen Werte von E erhalten wir O, und daraus in der angegebenen Weise e in absolutem Mafse.

Messungen von Elektricitätsmengen nach absolutem Maße sind nur in den allerseltensten Fällen zu machen, da man fast immer nur elektrische Wirkungen mit einander vergleicht; sie sind zuerst zu einem besonderen Zwecke von Kohlrausch und Weber') gemacht worden. An einer anderen Stelle werden wir auf diese Arbeit zurückkommen.

S. 34.

Schwächung des elektrischen Zustandes mit der Zeit. Wenn man einen Körper mit Elektricität ladet und ihn dann sich selbst überläßt, so nimmt der elektrische Zustand allmählich ab, selbst wenn man noch so sorgfältig dafür sorgt, daß der Körper isoliert ist, daß er von beinem Leiter berührt wird. Man kann sich davon sofort überzeugen, wenn man die Kugeln der Torsionswage ladet und durch Torsion des Padens dieselben in eine gewisse Entfernung bringt. Man muß schon tach kurzer Zeit die Torsion des Aufhängefadens vermindern, wenn der Abstand der Kugeln konstant bleiben soll.

Dieser allmähliche Elektricitätsverlust hat seinen Grund zunächst darin, daß die elektrisierten Körper rings von Luft umgeben sind, welche wir, wie alle Gase, in §. 29 zu den unvollkommenen Leitern der Elektricität rechneten. Wie wir damals erwähnten, werden von einem elektriserten Körper die Gasteilchen aus der Umgebung angezogen und dann, wenn sie durch Berührung elektrisiert sind, wieder abgestoßen, um andern basteilchen Platz zu machen, welche ebenfalls, wenn sie von dem elekbisierten Körper Elektricität angenommen haben, abgestofsen werden. Inf diese Weise entzieht die umgebende Luft allmählich Elektricität, die-»lbe wird von dem betreffenden Körper in die Umgebung zerstreut.

Noch ein anderer Umstand wirkt auf den elektrischen Zustand schwäthend ein, nämlich der, dass die sogenannten Isolatoren keineswegs die Elektricität absolut nicht leiten, sondern daß sie dieselbe nur sehr schlecht leiten. Wenn man einen elektrisierten Körper mit einem sogenannten bolator berührt, etwa mit einem Glasstäbehen oder mit einem Stäbehen Ton Schwefel, Siegellack oder Schellack, so kann man nach einiger Zeit auf diesen Stäbchen in mehr oder weniger großen Entfernungen von der Berthrungsstelle deutliche Spuren von Elektricität erkennen, ein Beweis, daß in der That die Elektricität auch auf den sogenannten Isolatoren ach ausbreitet. Wenn demnach ein Körper auf isolierenden Stützen aufgestellt ist, so wird auch über diese die Elektricität sich verbreiten und omit der elektrische Zustand des Körpers geschwächt werden.

Um diese beiden Einflüsse gesondert und zwar zunächst die Zertreuung der Elektricität in die Luft zu untersuchen, befestigte Coulomb2) tie Standkugel einer Torsionswage, deren Wagebalken aus einem mit Siegellack überzogenen Seidenfaden bestand, an einem dünnen aus Siegellack und Schellack verfertigten Stiel. Die Kugel des Wagebalkens sowohl als

R. Kohlrausch und W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen.
 Abbandl. der Königl. Sächs. Gesellsch. der Wissenseh. Bd. V.
 Coulomb, Mémoires de l'Acad. de Paris 1785.

. . .

die Standkugel hatten einen Durchmesser von etwa 1 cm. Der Stiel der Standkugel isolierte so vollständig, dass über denselben kein Absuls der Elektricität stattfand, wie Coulomb durch folgenden Versuch bewies. Nachdem die beiden Kugeln in Berührung elektrisiert waren, und der Wagebalken in einer gewissen abgelenkten Lage zur Ruhe gekommen war, wurde von Minute zu Minute die Verminderung der Abstofsung gemessen. Darauf wurde die Kugel aus der Wage herausgenommen und anstatt an einem Stiele an vier ganz gleich beschaffenen Stielen befestigt Die Kugel wurde wieder an ihre Stelle in der Wage gebracht und, wie vorher, in Berührung mit der Kugel des Wagebalkens elektrisiert. E wurde wieder von Minute zu Minute die Abnahme der abstoßenden Kraf Dieselbe fand sich der frühern Abnahme an Größe genat beobachtet. gleich. Der Verlust der Elektricität war also derselbe wie vorher, als die Standkugel nur an einem Stiele befestigt war. Hätte durch den Stie bei dem ersten Versuche ein merklicher Verlust an Elektricität stattge funden, so hätte dieser jetzt vervierfacht, der Verlust überhaupt also is derselben Zeit ein bedeutend größerer werden müssen. Es folgt somit dass der Elektricitätsverlust von der Standkugel gerade so war, als wir sie rings von Luft umgeben.

Nachdem dieses festgestellt war, wurde die mit einem Stiele versehene Standkugel wieder in den Apparat eingesetzt und in Berührung mit der ihr vollkommen gleichen Kugel des Wagebalkens elektrisiert. Durch passende Torsion des Aufhängefadens wurde dem Wagebalken eine bestimmte Elongation erteilt und die Zeit beobachtet, wann der Wagebalken zur Ruhe kam. Dann wurde sofort die dem Faden erteilte Torsion we eine bestimmte Anzahl Grade vermindert. Die Elongation des Wagebalken wurde dadurch zunächst größer; infolge des Elektricitätsverlustes wurde sie aber wieder kleiner und nach einiger Zeit war sie wieder die frühen geworden. Der Zeitpunkt wurde bemerkt, die Torsion wieder um gleich viel verkleinert und die Zeit beobachtet, während welcher die Elongation wieder auf die frühere zurückging.

Aus derartigen Beobachtungen ergab sich, dass die durch die Abnahme der Torsion gemessene Abnahme der elektrischen Abstossung in einer gegebenen Zeit der abstossenden Kraft selbst proportional ist, oder dass de Elektricitätsverlust der Elektricitätsmenge selbst proportional ist. Ehe wi die Versuche angeben, aus welchen sich dieser Satz ergiebt, wollen wi aus demselben ableiten, in welcher Weise die Versuche, wenn er richtist, verlausen müssen, welche also danach die Elektricitätsmenge sei muss, welche die Kugel nach einer gewissen Zeit t noch besitzt.

Sei die Elektricitätsmenge der Standkugel, welcher man im Beginn der Zeit t, also zur Zeit t=0, die Elektricitätsmenge Q_0 mitgeteilt hatte zur Zeit t=Q geworden; nach dem soeben angeführten Satze verlies sie in dem Zeitelement dt die Elektricitätsmenge dQ, welche durch di Gleichung gegeben ist

$$dQ = -pQdt$$

worin p jene Elektricitätsmenge ist, welche die Standkugel in der Zeieinheit abgeben würde, wenn die Elektriciätsmenge, welche die Kugbesitzt, gleich der Einheit wäre und innerhalb dieser Zeit konstant ehalten würde. Schreiben wir die Gleichung

$$\frac{dQ}{Q} = - p dt,$$

so erkennt man, dass wir die zur Zeit t auf der Kugel vorhandene Elektricitätsmenge erhalten, wenn wir auf der linken Seite der Gleichung integrieren von Q_0 bis Q, und auf der rechten von 0 bis t. Damit wird

$$\log \operatorname{nat.} \frac{Q}{Q_0} = -pt$$

$$Q = Q_0 e^{-pt}.$$

oder

Es müssen demnach die Elektricitätsmengen in einer geometrischen Reibe abnehmen, wenn die Zeiten in arithmetischer Reihe wachsen.

Die elektrischen Abstosungen in der Torsionswage sind, wenn die sugel des Wagebalkens und die Standkugel einander vollkommen gleich, ind wenn beide Kugeln in Berührung elektrisiert sind, dem Quadrate der unf der Standkugel angesammelten Elektricitätsmenge proportional, vorusgesetzt, dass der Abstand beider Kugeln immer derselbe ist. Die elektische Abstosung, welche beim Beginne des Versuches proportional ist t_0^2 , ist nach der Zeit t proportional

$$Q^{2} = Q_{0}^{2} \cdot e^{-2pt},$$

$$\frac{Q^{2}}{Q_{0}^{2}} = e^{-2pt}.$$

der

Auch die elektrische Abstossung muß also in einer geometrischen leihe abnehmen, wenn die Zeit in arithmetischer Reihe wächst, oder der leitent aus den in gleichen Zeitintervallen beobachteten Abstossungen auß konstant sein. Coulomb beobachtete nun nicht die gleichen Zeiten atsprechenden Abnahmen der abstossenden Kraft, sondern die gleichen ihnahmen der abstossenden Kraft entsprechenden Zeiten. Um an diesen leobachtungen das erwähnte Gesetz zu prüsen, berechnet man am beneensten nach obiger Gleichung die Größe 2p

$$2 p = \frac{\log Q_0^2 - \log Q^2}{t \cdot \log e},$$

der da in Briggischen Logarithmen log e = 0, 4343,

$$2 p = \frac{\log Q_0^2 - \log Q^2}{0,4343 t}.$$

Diese Größe muß also aus den zusammengehörigen Beobachtungen er Zeit und der elektrischen Abstoßung konstant gefunden werden. Daß as in der That der Fall ist, zeigt folgende von Koulomb am 28. Mai 1785 ausgeführte Beobachtungsreihe. Die letzte Kolumne enthält die aus je zwei auf einander folgenden Beobachtungen berechneten Werte von 2 p.

Beobachtungszeit	Elongation des Wagebalkens	Torsion des Fadens, welche sie erhielt	2 p
6h 32' 30"	300	120	0,02499
6 38 15		100	0,0253
6 44 30		80	0,0238
6 53 0		60	0,0250
7 3 0		40	0,0238
7 17 0		20	•

s

Die Größe 2p, welche den Bruchteil angiebt, um welchen die abstoßende Kraft in der Minute abnimmt, nennt man den Zerstreuungskoefficienten; die Hälfte desselben p giebt an, um welchen Bruchteil die auf der Standkugel vorhandene Elektricität in einer Minute kleiner wird.

Es ergiebt sich aus dem Vorigen, dass man, um die Abnahme der Elektricität auf der Kugel zu bestimmen, nur den Zerstreuungskoefficienten 2 p kennen muss, dass man, wenn man denselben hat, sofort aus der mirgend einer Zeit gegebenen Elektricitätsmenge die zu einer anderen Zeit vorhandene berechnen kann. Um aber die obigen Rechnungen in den verschiedenen Fällen anwenden zu können, fragt es sich, ob der Zerstreuungskoefficient unter allen Umständen derselbe ist, oder ob er sich mit der Natur des geladenen Körpers oder mit der Art der angesammelten Elektricität, oder mit der Beschaffenheit des den Körper umgebenden Gases ändert

Zur Beantwortung dieser Fragen versah Coulomb die Kugeln der Torsionswage zunächst in der vorhin angegebenen Weise mit Elektricität und bestimmte den Zerstreuungskoefficienten. Darauf wurde die Kugel des Wagebalkens wieder mit der Elektricitätsmenge Q_0 versehen, und nun die vorhin angewandte Standkugel mit anderen elektrisierten Körpern vertauscht und der Zerstreuungskoefficient auß neue bestimmt. Derselbe ergiebt sich auf folgende Weise. Für die Kugel des Wagebalkens ergiebt sich die Elektricitätsmenge Q nach der Zeit t aus der Gleichung

$$\log Q = \log Q_0 - 0.4343 \cdot p \cdot t.$$

Gilt für die statt der Standkugel angewandten Körper derselbe Zerstreuungskoefficient, so ist die auf ihnen nach der Zeit t noch vorhandene Elektricität q, wenn sie anfänglich q_0 war,

$$\log q = \log q_0 - 0.4343 \cdot p \cdot t.$$

Die anfängliche Abstofsung ist proportional $Q_0 q_0$, die Abstofsung nich der Zeit t aber Q q. Aus der nach der Zeit t beobachteten Abstofsung ergiebt sich also der Zerstreuungskoefficient nach der Gleichung

$$\log Qq = \log Q_0 q_0 - 0.4343 \cdot 2 p \cdot t.$$

Ist der Zerstreuungskoefficient für alle Körper derselbe, so muß der hieraus berechnete Wert von 2p immer derselbe sein, welcher Körper auch anstatt der Standkugel angewandt wird.

Das zeigte sich wirklich bei den verschiedensten von Coulomb angewandten Körpern; er nahm leitende und nichtleitende Kugeln von verschiedenen Dimensionen und verschieden starker elektrischer Ladung; einahm Cylinder von Messing und Scheiben von Metall oder Papier, immenfand sich derselbe Wert von 2 p.

Dass obenso der Zerstreuungskoefficient von der Art der elektrischei Ladung unabhängig ist, hat Biot durch Versuche gezeigt, welche denen von Coulomb ganz ähnlich waren¹). Er lud zuerst die Kugeln einer Torsions wage mit negativer und nach einigen Stunden mit positiver Elektricität und fand aus beiden Versuchsreihen fast genau denselben Zerstreuungskoefficienten. Dasselbe ergaben spätere Versuche von Warburg²).

¹⁾ Biot, Truité de physique. T. II. 2) Warburg, Poggend. Ann. Bd. CXLV.

Dagegen ergiebt sich aus den Versuchen Coulombs, daß der Zerstreuungskefficient sich wesentlich ündert mit dem Zustande der die elektrisierten
Körper umgebenden Luft, indem derselbe an verschiedenen Tagen ein sehr
verschiedener war. Vorzugsweise ündert sich der Zerstreuungskoefficient
mit dem Feuchtigkeitsgehalte der Luft, und zwar so, daß er um so größer
wird, je feuchter die Luft ist. So fand Coulomb an vier verschiedenen
lagen, an welchen der Barometerstand nicht viel verschieden und die Tenveratur fast dieselbe, der Feuchtigkeitsgehalt aber verschieden war, aus
Versuchen, welche den früheren analog sind, folgende Werte für 2 p:

Tag	Barometer	Thermometer	Feuchtigkeit	2 p.
28. Mai	766,14 mm	19,4° C.	75	0,0249
29. Mai	768,30	19,4	69	0,0177
22. J u ni	757,10	19,7	87	0,0833
2. Juli	763,88	19,7	80	0,0359.

Der Feuchtigkeitsgrad der Luft ist hier nach einer willkürlichen kala angegeben, nämlich nach dem Saussureschen Haarhygrometer, welches arauf beruht, dass entsettete Haare bei konstanter Temperatur länger werlen, wenn sie seuchter werden. Bei derselben Temperatur werden die laare um so mehr Feuchtigkeit anziehen, je näher die Luft dem Sättigungsustande kommt, es ergiebt sich demnach aus obigen Versuchen, dass der erstreuungskoefficient um so größer wird, je näher die Luft dem Zutande der Sättigung ist.

Der zweite Umstand, welcher bewirkt, dass ein Körper die ihm mitzteilte Elektricität nicht bewahrt, ist der, dass die ihn tragenden Stützen wine vollkommenen Isolatoren sind, sondern die Elektricität ebenfalls, wenn meh sehr schlecht, fortleiten. Man erkennt das wie gesagt daraus, daß in sogenannter Isolator nach einiger Zeit auch an Punkten elektrisch st, welche von der Stelle entfernt sind, mit welcher der Isolator den dektrischen Körper berührt. Da nun die Stützen, welche den elektrisierten Körper tragen, immer in einer gewissen Entfernung von dem elektrischen Körper mit solchen Gegenständen in Berührung sind, welche die Elektriität leiten, so folgt, dass an dieser Stelle ein Abfluss der Elektricität stattfinden muß, wenn und so lange auf dem Isolator die Elektricität sich bis zu jenen Punkten verbreitet, welche mit den Leitern in Berührung sind. Die Frage nach dem Elektricitätsverlust durch isolierende Stützen fällt daher zusammen mit derjenigen, wie weit sich die Elektricität auf den isolierenden Stützen ausbreitet, ob sie sich unter allen Umständen über die ganzen Stützen verbreitet.

Das ist nach den Versuchen von Coulomb¹) nicht der Fall, sondern welches auch die Stützen sind, immer giebt es eine von der Natur der Stützen abhängige Elektricitätsmenge, welche von den Stützen vollständig isoliert wird. Wird ein Körper mit einer größeren als jener Elektricitätsmenge versehen, so ninmt dieselbe zunächst infolge der Zerstreuung in die Luft, und infolge des Verlustes durch die isolierenden Stützen ab. Ist aber infolge dieser Abnahme die auf dem isolierten Körper vorhandene Elektricitätsmenge unter die erwähnte Menge herabgesunken, so findet nur

¹⁾ Coulomb, Mémoires de l'Acad. de Paris 1785.

mehr ein Verlust infolge der Zerstreuung in die Luft statt. Coulomb dieses durch folgende Versuche nach. An die Stelle der an dem Schell stiele befestigten Standkugel wurde in die Torsionswage eine genau e solche Kugel hineingehängt, welche an einem 40,5 cm langen Seidenf befestigt war. Dieselbe wurde, während die Kugel des Wagebalken: berührte, elektrisiert, und durch Torsion des Aufhängefadens des W balkens dafür gesorgt, daß letzterer eine Elongation von 30° ann Dann wurde ganz in derselben Weise wie bei den früher beschrieb Versuchen verfahren, um die mit der Zeit sattfindende Abnahme der stoßenden Kraft zu messen. Aus den auf einander folgenden Beobachtur berechnete er nach den vorhin gegebenen Gleichungen den Wert von also den in einer Minute stattfindenden Verlust der abstofsenden K Der Wert von 2 p war anfangs bedeutend größer als der unmittelbar her mit der Standkugel gefundene Wert des Zerstreuungskoefficienten nahm aber ab mit der Elektricität der an dem Seidenfaden befesti Kugel und wurde schliefslich dem früher gefundenen Werte von 2 p gle Die folgenden Versuche, welche den Beweis dafür enthalten, wurden 28. und 29. Mai 1785 nach den vorhin beschriebenen angestellt.

Zeit		Elongation	Torsion ϑ + α	2 p
28. Mai 10 ^h	0' 0"	300	180	1
10	2 30		150	0,0714
10	8 0	the second	110	0,0555
10 1	3 0		90	0,0400
10 2	9 30		50	0,0345
10 5	0 30		30	0,0238
11	7 0	po a 1	20	0,0244
29. Mai 7 3	4 0	30	180	-
7 3	6 40		160	0,0435
7 4	1 30		140	0,0294
7 4	8 20		120	0,0238
7 5	5 45		100	0,0244
8	7 30	9	80	0,0190
8 2	5 0	10	60	0,0164
8 4	2 30		45	0,0164

Wie man sieht, war am 28. Mai 10^h 50′ 30″ der Wert des streuungskoefficienten dem früher gefundenen gleich geworden, und 29. Mai zwischen 8^h 7′ 30″ und 8^h 25′. Von der Zeit an trat also d den Abflus über die Stützen kein Verlust an Elektricität mehr ein. Elektricitätsmengen, welche die an dem Seidenfaden befestigte Kuge den Zeiten enthielt, wurden also von dem Seidenfaden vollständig iso

Diese Mengen lassen sich leicht auf folgende Weise berechnen. zeichnen wir die ursprünglich jeder Kugel gegebene Elektricitätsmenge zie zuerst beobachtete Torsion mit $\vartheta_0 + \alpha$, bezeichnen wir fernen r Zeit t auf der Kugel des Wagebalkens vorhandene Elektri

-:-

mit Q_t , die auf der am Seidenfaden hängenden Kugel mit q_t , und die zu tieser Zeit beobachtete Torsion mit $\vartheta + \alpha$, so ist nach §. 33

$$\frac{Q_t \cdot q_t}{Q_0^2} = \frac{\vartheta + \alpha}{\vartheta_0 + \alpha}.$$

Da die Kugel des Wagebalkens nur infolge der Zerstreuung in die Luft Elektricität verlor, und der Zerstreuungskoefficient bekannt ist, so ist

$$\frac{Q_t}{Q_0} = e^{-pt},$$

$$\frac{q_t}{Q_0} = \frac{\vartheta + \alpha}{\vartheta_0 + \alpha} \cdot e^{pt}.$$

somit

Führt man diese Rechnungen durch, so findet man, dass während die Kugeln an beiden Tagen anfänglich gleich geladen waren, am ersten Tage der Verlust durch den Seidenfaden erst aufhörte, als die Elektrieität um mehr als die Hälfte vermindert war, am zweiten Tage schon, als sie auf 0,73 der anfänglichen gesunken war. Da am 28. Mai die Lust bedeutend seuchter war und da die Seide sehr hygroskopisch ist, so ist dieser Unterschied leicht erklärlich.

Es folgt somit aus diesen Versuchen, dass die Strecke, bis zu welcher sich auf einem schlechtleitenden Körper die Elektricität ausbreitet, abhängt von der Elektricitätsmenge, welche der mit dem schlechten Leiter in Verbindung stehende elektrische Körper erhält. Nach einem Versuche Coulombs wheint diese Strecke dem Quadrate jener Elektricitätsmenge proportional m sein; denn als er den Seidenfaden von 40,5 cm Lünge mit einem andern von 162 cm Länge vertauschte und wieder die Elektricitätsmenge bestimmte, welche die Kugel enthielt, als der Zerstreuungskoefficient dem fifther gefundenen gleich war, somit kein Verlust durch Abfluss stattfand, reigte sich dieselbe doppelt so groß. Ein viermal so langer Faden isolierte somit die doppelte Elektricitätsmenge; da nun die Isolierung von dem Angenblicke an eintritt, von welchem an die Elektricität auf dem Isolator nicht mehr bis zu der Stelle reicht, wo der Isolator mit den Leitern in Berührung ist, so folgt, dass die doppelte Elektricitätsmenge auf dem Seidenfaden bis zu der vierfachen Entfernung sich verbreitete. Ist demnach x die Entfernung, bis zu welcher die Elektricität sich verbreitet, wenn die Kugel die Menge q enthält, so ist

$$x = a \cdot q^2$$

worin a eine von der Natur des Isolators abhängige Konstante ist, welche ein Mass für die Leitungsfähigkeit desselben abgiebt.

Zu ähnlichen Resultaten betreffs des Elektricitätsverlustes über die isolierenden Stützen gelangte Warburg¹) bei einer erneuten Untersuchung des Elektricitätsverlustes isoliert aufgestellter Körper. Die von Warburg angewandte Methode der Untersuchung war im wesentlichen dieselbe, welche auch Coulomb angewandt hatte, die Anordnung seiner Apparate unterschied sich von derjenigen Coulombs nur dadurch, daß die Drehwage hermetisch geschlossen war, so daß man sie durch ein mit einem Hahn verschließbares Zuleitungsrohr mit beliebigen Gasen unter beliebigen, durch ein

¹⁾ Warburg, Poggend. Ann. Bd. CXLV.

dem Zuleitungsrohr angebrachtes Manometer gemessenem Drucke konnte. Durch eine Stopfbüchse führte in die Wage ein Zuleitung durch welchen man die in der Wage befestigte Standkugel und die des Wagebalkens mit Elektricität versehen konnte. Außerdem w Wagebalken nicht an einem einfachen Drahte, sondern bifilar aufge

Es ergab sich dabei, dass wenn man die Standkugel an einer fi nicht elektrischen Schellackstütze befestigt, durch den Übergang der tricität auf die Stützen im Anfang eine viel größere Abnahme der I herbeigeführt wird als durch die Zerstreuung in die Luft; dass fen Abnahme infolge des Elektrischwerdens der Stütze viele Stunden nehmender Stärke merklich andauert. Man erhält nämlich aus de suchen erst nach vielen Stunden konstante Werte von p, welche da zugleich unabhängig werden von der Stärke der Ladung. Bis dahi men die Werte von p erst rascher, dann langsamer ab.

Folgende Beobachtungsreihe, bei welcher die Wage mit tre Kohlensäure angefüllt war, läßt diesen Gang von p deutlich erkenne erste Kolumne giebt die Zeit der Beobachtung, die zweite die bifilation, welche eine konstante Elongation des Balkens erhielt, und die die Werte von 2p. Die Schellackteile, welche die Scheiben trugen, ganz frisch, die Ladung geschah um 6^h Abends:

\mathbf{Zeit}	ð	2 p
7 ^h 10′	$67^{0} \ 44'$	
7 20	62 44	$\begin{array}{c} 1 \\ 2\overline{48} \end{array}$
7 37	58 8	1 373
7 58	53 20	1 367
8 27	48 26	1 416

Nun wurden die Scheiben stärker geladen, der Apparat über stehen gelassen und die Beobachtung am andern Morgen fortgeset dann begonnen, als $\vartheta = 67^{\circ}$ 44' geworden war. Es ergaben si gende Werte von 2 p:

ð	2 p
$67^{0} \ 44'$	
62 44	$\frac{1}{1017}$
58 8	$\frac{1}{1031}$
53 20	1 1033
48 26	1
43 38	977 1
39	1001 1
อฮ	1075

8		2 p
34	5	$\frac{1}{1000}$
29	21	1 1000

der That zeigt sich der Wert von p ganz konstant.

der Auffassung des Elektricitätsverlustes durch die isolierenden weicht aber Warburg von Coulomb ab, indem er annimmt, dass dieser ane der Ladung starke Verlust nicht in einem Abfließen über die sondern einem Übergange auf dieselben, also in dem Elektrischder Stützen seinen Grund hätte. Dafür sprechen die obigen Zahlen iteres, denn nach Coulomb sind die Stützen nur imstande eine gewisse zu isolieren, und erst, wenn die Ladung auf diesen Wert herabgeist, soll nur Zerstreuung eintreten. Nach den Beobachtungen von z dagegen ist unter sonst ganz gleichen Umständen nach eingetreektrisierung der Stützen der Wert von p konstant bei Werten der bei welchen vor dem Elektrischwerden der Stützen der Wert von von dem Vierfachen des zuletzt gefundenen ab kleiner wurde. ien weitern Beweis für diese seine Ansicht erhielt Warburg in einem e, der zeigte, dass bei Anwendung frischer Schellackstiele der Verlust ross ist, wenn die Stiele nur an die Scheibe befestigt werden, dann ht als Stützen gebraucht werden, sondern frei in die Luft münden. durch Anheften zweier frischer Schellackstiele an die als Standkugel

Scheibe stieg nümlich der Wert von 2p von $\frac{1}{718}$ auf $\frac{1}{416}$.

Versuche Warburgs ergeben somit, dass die eigentliche Zerstreuung migebenden Gase erst beobachtet werden kann, wenn die isolierenden soweit elektrisiert sind, dass der Zerstreuungskoefficient konstant n ist; allerdings kann man auch dann nicht annehmen, dass kein mehr durch den Einfluss der Stützen stattsinde, jedenfalls ist derer nur gering, wie sich auch daraus ergiebt, dass bei starker Verg der Lust der Zerstreuungskoefficient beträchtlich kleiner wird. Indur hat deshalb, um die Abhängigkeit des Zerstreuungskoefficiender Natur und Dichtigkeit der umgebenden Gase zu untersuchen, Standkugel und den Wagebalken lange vor Beginn der Beobachelektrisiert, es wurde stets des Abends vorher der Apparat mit Ichen Elektricitätsmenge versehen, dass die Versuche am nächsten ag angestellt werden konnten. Es ergab sich dann, dass die Zerzahbängig war von der Dichtigkeit und Natur des umgebenden wie folgende Zahlen zeigen:

Namen der Gase	Drnck	2 p	•
Kohlensäure	760 mm	1039	
19	380	1 1626	
**	90		
Wasserstoff			
-			

Wenn man nun der Kugel positive Elektricität mitteilt, so zeigt sich sofort auch der Cylinder elektrisch, indem die Hollundermarkkugeln von demselben abgestoßen und in der abgestoßenen Lage erhalten werden. Da wegen Zwischensetzung der isolierenden Glasscheibe zwischen Kugel und Cylinder durchaus keine Elektricität direkt von der Kugel auf den Cylinder übergehen konnte, so folgt, daß nur durch die Nähe der elektrisierten Kugel der Cylinder elektrisch geworden ist. Man nennt diese Art der Elektricitätserregung solche durch Verteilung oder Influenz und die auf dem Cylinder erregte Elektricität Verteilungs- oder Influenz-Elektricität.

Die stärksten Ablenkungen von der vertikalen Lage zeigen das unterste und das oberste Pendel, dort ist also die Dichtigkeit der Elektricität am größten. Untersucht man mit einer geriebenen Siegellackstange oder Glastange die Art der erregten Elektricität, so zeigt sich, daß sie an der beiden Enden des Cylinders verschieden ist. Eine geriebene Siegellackstange stößt das Pendel a ab und zieht b an; eine geriebene Glasstange zieht a an und stößt b ab. Daraus folgt, daß das untere Ende des Cylinders negativ, das obere positiv elektrisch ist.

Ladet man die Kugel c anstatt mit positiver mit negativer Elektricität, so ist der Effekt in so weit derselbe, dass der Cylinder elektrisch wird und wieder am stärksten an den Enden; die Art der erregten Elektricität ist aber die entgegengesetzte, das untere, der Kugel nächste Ende wird positiv, das obere entferntere Ende wird negativ elektrisch.

Aus der Thatsache schon, dass an den beiden Enden des Messing cylinders sich entgegengesetzte Elektricitäten finden, wird man schließen, daß nicht die ganze Oberfläche des Cylinders gleich stark elektrisch ist. Das läfst sich leicht mit Hilfe des mittleren verschiebbaren Pendels nach weisen. Befindet es sich in der Nähe des oberen Pendels, so wird es bei positiver Ladung der Kugel mit positiver Elektricität abgestoßen; schiebt man es herab, so wird die Abstofsung immer kleiner, bis an einer Stelle, welche der Kugel e etwas näher ist als die Mitte des Cylinders. Pendel durchaus nicht mehr abgestofsen wird. An dieser Stelle ist also der Cylinder nicht elektrisch; man nennt diese Stelle die Mittellinie oder Indifferenzzone. Schiebt man das Pendel über dieselbe hinaus dem Ende näher, so wird es mit negativer Elektricität abgestofsen und zwar um so stärker, je näher es sich bei a befindet. Die Lage der Indifferenzione ändert sich etwas mit der Entfernung der Kugel e von dem Cylinder; sie rückt nämlich in die Höhe, der Mitte näher, wenn die Kugel weiter von dem Cylinder entfernt wird.

Die Elektricitätserregung durch Verteilung zeigt sich immer, wan wir einem isolierten Leiter, welches auch seine Form sei, einen elektrisierten Körper nähern; man findet immer an der dem elektrisierten Körper nächsten Stelle den influenzierten Körper mit der Elektricität versehen, welche der genäherten entgegengesetzt ist, und an einer anderen, von dem genäherten Körper entfernteren Stelle die der genäherten gleichnamige Elektricität.

Wenn man den elektrisierten Körper von dem influenzierten entfernt, oder ihm die Elektrieität nimmt, so verschwinden auch sofort die Elektricitäten auf dem influenzierten Körper; derselbe bleibt, vorausgesetzt, daß

gut isoliert war, unelektrisch zurück. Daraus ergiebt sich nach dem, s wir in dem ersten Paragraphen dieses Abschnittes über die Natur · verschiedenen Elektricitäten gesagt haben, dass die beiden Influenzktricitäten von genau gleicher Menge sind. Denn so lange der elekierte Körper sich in der Nähe befindet, werden die beiden Influenzktricitäten getrennt erhalten, da der genäherte Körper die mit der auf ı befindlichen gleichnamigen Elektricität abstößt, die ungleichnamige r anzieht. Sobald nun aber der Körper entfernt ist, ist keine Kraft hr vorhanden, welche der Anziehung der beiden getrennten Elektricien entgegenwirkt; dieselben werden sich daher mit einander vereinigen. nun, um die Wirkung der einen Elektricitätsart aufzuheben, eine enso große Menge der entgegengesetzten ihr hinzugefügt werden muß, folgt daraus, dass der influenzierte Körper nach Fortnahme der influenrenden Elektricität wieder unelektrisch erscheint, dass die beiden Inenzelektricitäten von genau gleicher Menge sind.

Damit dieser Versuch gelinge, ist es notwendig, dass man den inenzierten Leiter möglichst gut isoliere, und dass man mit Fortnahme selektrisierten Körpers nicht zu lange warte. Denn da die mit der luenzierenden Elektricität gleichnamige von derselben abgestoßen wird, zerstreut sie sich leichter als die ungleichnamige, und so kann es vormmen, dass der influenzierte Leiter nach Fortnahme des elektrisierten irpers noch elektrisch erscheint.

Der influenzierte Leiter ist demnach nur so lange elektrisch, als durch Nähe des elektrischen Körpers die beiden Elektricitäten getrennt erlten werden. Man kann ihn indes auch bleibend laden, wenn man die iden Elektricitäten verhindert, nach Fortnahme des elektrisierten Körpers b wieder zu vereinigen. Man kann das, indem man den influenzierten iter aus zwei Teilen zusammensetzt, welche man vor Fortnahme des ktrisierten Körpers trennt. Setzt man so an den Cylinder ab einen deren Cylinder bei b an, so tritt die positive, vorher bei b vorhandene ektricität in das Ansatzstück hinein und die Indifferenzzone rückt dem de b näher. Der erste Erfolg dieses Ansatzes ist der, dass das Pendel u stärker abgestoßen wird, die Elektricität bei u also dichter wird, il die beiden entgegengesetzten Elektricitäten weiter von einander entnt sind, sich also weniger anziehen. Trennt man dann das obere lek ab, bevor die Elektricität von r fortgenommen wird, so bleibt auch ch Fortnahme derselben der Cylinder ab elektrisch, und zwar negativ. tzt man ein solches Ansatzstück an den Cylinder bei a, so wird die gative Elektricität in dieses Ansatzstück hineingezogen, und der Cylinder bleibt positiv elektrisch zurück.

Noch auf eine andere Weise kann man den Cylinder ab bleibend laden, in aber nur mit der Elektricitätsart, welche der auf der Kugel vorhanien entgegengesetzt ist. Man hat nur den Cylinder ab, während die gel e elektrisch ist, mit der Erde in leitende Verbindung zu setzen und se Verbindung zu unterbrechen, ehe die Elektricität von der Kugel etgenommen ist. Es ist dabei ganz einerlei, an welcher Stelle des Cylers ab man diese Leitung anbringt, ob an a oder in der Mitte, oder han dem Ende b; immer bleibt auf ab die Elektricität zurück, welche jenigen auf der Kugel e entgegengesetzt ist. Diese Methode, den Körpe Wellerer, Parelle IV. 4 Auf.

Wenn man nun der Kugel positive Elektricität mitteilt, so zeigt sich sofort auch der Cylinder elektrisch, indem die Hollundermarkkugeln von demselben abgestofsen und in der abgestofsenen Lage erhalten werden. Da wegen Zwischensetzung der isolierenden Glasscheibe zwischen Kugel und Cylinder durchaus keine Elektricität direkt von der Kugel auf den Cylinder übergehen konnte, so folgt, daß nur durch die Nähe der elektrisierten Kugel der Cylinder elektrisch geworden ist. Man nennt diese Art der Elektricitätserregung solche durch Verteilung oder Influenz und die auf dem Cylinder erregte Elektricität Verteilungs- oder Influenz-Elektricität.

Die stärksten Ablenkungen von der vertikalen Lage zeigen das unterste und das oberste Pendel, dort ist also die Dichtigkeit der Elektricität am größten. Untersucht man mit einer geriebenen Siegellackstange oder Glasstange die Art der erregten Elektricität, so zeigt sich, daß sie an den beiden Enden des Cylinders verschieden ist. Eine geriebene Siegellackstange stößt das Pendel a ab und zieht b an; eine geriebene Glasstange zieht a an und stößt b ab. Daraus folgt, daß das untere Ende des Cylinders negativ, das obere positiv elektrisch ist.

Ladet man die Kugel e anstatt mit positiver mit negativer Elektricität, so ist der Effekt in so weit derselbe, daß der Cylinder elektrisch wird und wieder am stärksten an den Enden; die Art der erregten Elektricität ist aber die entgegengesetzte, das untere, der Kugel nächste Ende wird positiv, das obere entferntere Ende wird negativ elektrisch.

Aus der Thatsache schon, dass an den beiden Enden des Messingcylinders sich entgegengesetzte Elektricitäten finden, wird man schließen, daß nicht die ganze Oberfläche des Cylinders gleich stark elektrisch ist. Das läfst sich leicht mit Hilfe des mittleren verschiebbaren Pendels nachweisen. Befindet es sich in der Nähe des oberen Pendels, so wird es bei positiver Ladung der Kugel mit positiver Elektricität abgestoßen; schiebt man es herab, so wird die Abstofsung immer kleiner, bis an einer Stelle, welche der Kugel e etwas näher ist als die Mitte des Cylinders, das Pendel durchaus nicht mehr abgestofsen wird. An dieser Stelle ist also der Cylinder nicht elektrisch; man nennt diese Stelle die Mittellinie oder Indifferenzzone. Schiebt man das Pendel über dieselbe hinaus dem Ende a näher, so wird es mit negativer Elektricität abgestoßen und zwar um so stärker, je näher es sich bei a befindet. Die Lage der Indifferenzzone ändert sich etwas mit der Entfernung der Kugel e von dem Cylinder; sie rückt nämlich in die Höhe, der Mitte näher, wenn die Kugel weiter von dem Cylinder entfernt wird.

Die Elektricitätserregung durch Verteilung zeigt sich immer, wenn wir einem isolierten Leiter, welches auch seine Form sei, einen elektrisierten Körper nähern; man findet immer an der dem elektrisierten Körper nächsten Stelle den influenzierten Körper mit der Elektricität versehen, welche der genäherten entgegengesetzt ist, und an einer anderen, von dem genäherten Körper entfernteren Stelle die der genäherten gleichnamige Elektricität.

Wenn man den elektrisierten Körper von dem influenzierten entfernt, oder ihm die Elektricität nimmt, so verschwinden auch sofort die Elektrina auf dem influenzierten Körper; derselbe bleibt, vorausgesetzt, daß

er gut isoliert war, unelektrisch zurück. Daraus ergiebt sich nach dem, was wir in dem ersten Paragraphen dieses Abschnittes über die Natur der verschiedenen Elektricitäten gesagt haben, dass die beiden Influenzelektricitäten von genau gleicher Menge sind. Denn so lange der elektrisierte Körper sich in der Nähe befindet, werden die beiden Influenzelektricitäten getrennt erhalten, da der genäherte Körper die mit der auf ihm befindlichen gleichnamigen Elektricität abstößt, die ungleichnamige ber anzieht. Sobald nun aber der Körper entfernt ist, ist keine Kraft mehr vorhanden, welche der Anziehung der beiden getrennten Elektricitäten entgegenwirkt; dieselben werden sich daher mit einander vereinigen. Da nun, um die Wirkung der einen Elektricitätsart aufzuheben, eine ebenso große Menge der entgegengesetzten ihr hinzugefügt werden muß, so folgt daraus, das der influenzierte Körper nach Fortnahme der influenzierenden Elektricität wieder unelektrisch erscheint, das die beiden Influenzielektricitäten von genau gleicher Menge sind.

Damit dieser Versuch gelinge, ist es notwendig, dass man den influenzierten Leiter möglichst gut isoliere, und dass man mit Fortnahme des elektrisierten Körpers nicht zu lange warte. Denn da die mit der influenzierenden Elektricität gleichnamige von derselben abgestoßen wird, o zerstreut sie sich leichter als die ungleichnamige, und so kann es vortommen, dass der influenzierte Leiter nach Fortnahme des elektrisierten

Körpers noch elektrisch erscheint.

Der influenzierte Leiter ist demnach nur so lange elektrisch, als durch die Nähe des elektrischen Körpers die beiden Elektricitäten getrennt erhalten werden. Man kann ihn indes auch bleibend laden, wenn man die beiden Elektricitäten verhindert, nach Fortnahme des elektrisierten Körpers sich wieder zu vereinigen. Man kann das, indem man den influenzierten Leiter aus zwei Teilen zusammensetzt, welche man vor Fortnahme des elektrisierten Körpers trennt. Setzt man so an den Cylinder ab einen anderen Cylinder bei b an, so tritt die positive, vorher bei b vorhandene Elektricität in das Ansatzstück hinein und die Indifferenzzone rückt dem Ende b näher. Der erste Erfolg dieses Ansatzes ist der, das das Pendel bei a stärker abgestofsen wird, die Elektricität bei a also dichter wird, weil die beiden entgegengesetzten Elektricitäten weiter von einander entfernt sind, sich also weniger anziehen. Trennt man dann das obere Stück ab, bevor die Elektricität von e fortgenommen wird, so bleibt auch nach Fortnahme derselben der Cylinder ab elektrisch, und zwar negativ. Setzt man ein solches Ansatzstück an den Cylinder bei a, so wird die negative Elektricität in dieses Ansatzstück hineingezogen, und der Cylinder ab bleibt positiv elektrisch zurück.

Noch auf eine andere Weise kann man den Cylinder ab bleibend laden, dann aber nur mit der Elektricitätsart, welche der auf der Kugel vorhandenen entgegengesetzt ist. Man hat nur den Cylinder ab, während die Kugel e elektrisch ist, mit der Erde in leitende Verbindung zu setzen und diese Verbindung zu unterbrechen, ehe die Elektricität von der Kugel e fortgenommen ist. Es ist dabei ganz einerlei, an welcher Stelle des Cylinders ab man diese Leitung anbringt, ob an a oder in der Mitte, oder auch an dem Ende b; immer bleibt auf ab die Elektricität zurück, welche derjenigen auf der Kugel e entgegengesetzt ist. Diese Methode, den Körper

ab zu elektrisieren, fällt indes bei näherer Überlegung mit der vorigen zusammen. Denn setzen wir ab mit der Erde in leitende Verbindung, so bildet der Cylinder mit dieser gewissermaßen einen Leiter; dieser ganze Leiter wird von der Elektricität der Kugel e influenziert, die negative Elektricität wird in den Teilen dieses zusammengesetzten Leiters erscheinen, welche der positiv geladenen Kugel am nächsten sind, die positive Elektricität dagegen an entfernteren Stellen sich finden; und da diese aus der ganzen Erde bestehen, so wird die positive Elektricität sich über die ganze Erde verbreiten, also unbemerkbar sein. Unterbricht man die Verbindung mit der Erde, so hat das denselben Erfolg, als wenn man bei dem vorigen Versuche die Teile des zusammengesetzten Leiters trennt; der Leiter ab muß also in allen Fällen mit der Elektricität geladen zurückbleiben, welche der auf der Kugel e vorhandenen entgegengesetzt ist.

Wir sehen hier also einen Fall, wo ein mit der Erde leitend verbundener Leiter, entgegen unsern bisherigen Erfahrungen, seine Elektricität nicht verliert; nämlich immer dann, wenn in seiner Nähe sich ein mit entgegengesetzter Elektricität versehener Körper befindet. Man hat daher früher geglaubt, daß diese durch Influenz erregte Elektricität andere Eigenschaften habe als die auf andere Weise erregte Elektricität, daß sie nicht die Fähigkeit besitze, sich auszubreiten oder überhaupt nach außen zu wirken. Indem man diese Elektricität mit der gebundenen Wärme verglich, nannte man sie gebundene Elektrieität. Aus dem Vorigen ergieht sich indes schon, dass diese Anschauungsweise unrichtig ist; die durch Verteilung auf einem nicht isolierten Leiter erregte Elektricität verbreitet sich allerdings nicht über den ganzen Leiter, aber nur deshalb nicht, well sie durch die Nähe entgegengesetzter Elektricität festgehalten wird; im übrigen hat sie ganz dieselben Eigenschaften wie jede andere Elektricität, sie wirkt, wie die Abstofsung des Pendels an dem Ende a zeigt, ebenso abstofsend und anziehend auf andere elektrische Körper. Ja wir werden sehen, daß sie auch ebenso verteilend auf andere Körper wirkt wie ein einfach mit Elektricität geladener Körper. Riess hat daher vorgeschlagen', den Namen gebundene Elektricität, welcher leicht zu Misverständnissen Anlass giebt, ganz fallen zu lassen und die durch Verteilung erregten Elektricitäten mit dem Namen Influenzelektricitäten zu bezeichnen, und zwar jene, welche mit der auf dem verteilenden Körper vorhandenen ungleichnamig ist, als Influenzelektricität der ersten Art, die andere als Influenzelektricität der zweiten Art. Wir werden die Bezeichnungsweise annehmen und in der Folge immer anwenden.

Die Menge der erregten Influenzelektricitäten hängt ab von der Menge der erregenden Elektricität, so wie von der Entfernung des influenzierten Leiters von dem influenzierenden. Es sind darüber nur wenige Versuche, insbesondere von Coulomb²) angestellt worden, aus denen sich der Satz ergiebt, dass unter sonst gleichen Umständen die Menge der Influenzelektricität der Menge der erregenden Elektricität proportional ist.

Die Versuche, welche diesen Satz ergaben, wurden folgendermaßen angestellt. In der Nähe einer großen Kugel K (Fig. 46) wurden zwei

^{&#}x27;) Riess, Reibungselektricität. Bd. I. S. 166.

Coulomh, Mémoires de l'Académie de Paris 1788.

einfachere ist und ohne Hilfshypothesen die Erscheinungen zu erklären imstande ist, so ist die Hypothese zweier Elektricitäten beizubehalten.

Die Erscheinung der Influenz ist eine notwendige Folge des natürlichen Zustandes der Körper und der Grundeigenschaft der Elektricitäten, das die ungleichnamigen sich anziehen, die gleichnamigen sich abstoßen. Denn befindet sich ein elektrisierter Körper in der Nähe eines natürlichen, so muß die überwiegende Elektricität des ersteren auf die gleichnamige Elektricität des natürlichen Körpers abstoßend, auf die ungleichnamige anziehend wirken. Diese Elektricitäten müssen, den Abstoßungen und Anziehungen folgend, sich trennen und die gleichnamige muß die von dem elektrisierten Körper ferneren, die ungleichnamige die demselben nächsten Stellen des influenzierten Körpers einnehmen.

Auch das Verhalten der Influenzelektricitäten ergiebt sich als einfache Folge der Eigenschaft der Elektricitäten. Wird der elektrische Körper von einem isolierten Körper wieder entfernt, so wird die Kraft fortgenommen, welche die beiden Elektricitäten auseinandertreibt; sie werden daher der gegenseitigen Anziehung folgen und sich wieder vereinigen müssen; der Körper wird wieder unelektrisch, wenn keine der beiden Elektricitäten einen Verlust erlitten hat.

Wenn der influenzierte Leiter vergrößert, an ihn ein Stück angesetzt oder er mit der Erde in leitende Verbindung gesetzt wird, so muß immer die eine der beiden Elektricitäten, der abstoßenden Kraft folgend, in das Ansatzstück oder in die Erde übertreten, die mit der des genäherten Leiters ungleichnamige muß aber aus allen den Teilen des influenzierten Leiters, auf welche die mit dem Quadrate der Entfernung abnehmende, anziehende Kraft der genäherten Elektricität mit hinreichender Stärke wirkt, an das dieser Elektricität nächste Ende des influenzierten Leiters gezogen werden.

Hiernach ist die Influenz nur ein besonderer Fall der elektrischen Anziehungen und Abstofsungen; wenn also die influenzierte Elektricität nach außen hin abstofsend wirken kann, so folgt schon daraus, daß sie selbst auch wieder influenzierend wirken kann. Daß die Influenzelektricität zweiter Art verteilend wirkt, dafür haben wir bereits einen Versuch Faradays angeführt; daß die Influenzelektricität erster Art ebenfalls verteilend wirkt, folgt aus Versuchen Faradays und Fechners ebenfalls.

Faraday¹) befestigte einen etwa 20 cm langen, 2 cm dicken Schellackcylinder S (Fig. 48) auf einem Holzfus und elektrisierte dessen oberes Ende durch Reiben mit einem Flanelllappen negativ. Es wurden dann auf die obere Endfläche Metallscheiben oder Kugeln von größerem Durchmesser als dem des Cylinders gelegt oder in einiger Entfernung darüber gehalten und mit einer guten Ableitung nach der Erde versehen. Diese Leiter, auch die auf dem Schellackcylinder liegenden, wurden durch Influenz elektrisch, da die letzteren den nichtleitenden Schellack nur an wenigen Punkten berührten; da sie mit der Erde in leitender Verbindung waren, so befand sich auf ihnen nur Influenzelektricität der ersten Art.

Als nun über S eine Scheibe von circa 4 cm Durchmesser gehalten,

¹⁾ Faraday, Experimental researches. XI. Reihe, art. 1221. Poggend. Ann. id. XLVI.

beide Elektricitäten in gleicher Menge. Diese beiden Elektricitäten müssen zugleich in dem ganzen Körper gleichmäßig verteilt sein, so daß jedes Teilchen desselben die gleiche Menge positiver und negativer Elektricität vereinigt enthält. Denn welches Stück eines Körpers wir auch der Wirkung eines elektrisierten Körpers aussetzen, immer und unter allen Umständen erhält derselbe beide Influenzelektricitäten.

Wir nehmen daher an, dass im natürlichen Zustande die Körper beide Elektricitäten in gleicher Menge enthalten; über die Natur der Elektricität selbst machen wir dabei keine Voraussetzung, wir lassen es unentschieden, ob der Elektricität als solcher eine reale Existenz zukommt, ob sie, wie man srüher es von der Wärme annahm, ein seiner Stoff, ein sogenanntes Fluidum ist, oder ob sie ein Zustand der Materie, etwa eine gewisse Bewegung der ponderablen Materie oder des Äthers ist. Ist die Elektricität ein Fluidum, so nehmen wir zwei solcher Fluida an, eines, welches den positiv, eines, welches den negativ elektrischen Zustand bedingt¹). Im neutralen Zustande enthalten die Körper beide Fluida in gleicher Menge; wird ein Körper positiv elektrisch, so enthält er mehr positive Elektricität als negative, entweder insolge davon, das ihm positive Elektricität gegeben, oder das ihm negative Elektricität entzogen ist lst der Körper negativ elektrisch, so enthält er einen Überschus an negativer Elektricität.

Die Elektricitäten sind es dann, welche sich anziehen und abstoßen, und ihre Träger, die elektrischen Körper, folgen den Anziehungen und Abstoßungen, weil die Elektricitäten sie nicht ohne weiteres verlassen können.

Eine etwas andere Ansicht von dem Zustande der elektrisierten Körper hat Franklin aufgestellt²). Er betrachtet die Elektricität als ein Fluidum, nimmt dann aber nicht ein positives und ein negatives Fluidum, sonder nur ein elektrisches Fluidum an. Im neutralen Zustande enthalten die Körper eine gewisse sehr große Menge desselben. Teilt man dem Körper noch mehr dieses Fluidums mit, so wird er positiv, entzieht man ihm von demselben, so wird er negativ elektrisch. Diese Hypothese scheint auf den ersten Blick einfacher zu sein als die von uns angenommene, ist aber in der That viel verwickelter und deshalb weniger naturgemäß Denn schon die einfachen Sätze der elektrischen Anziehung und Abstoßung verlangen zwei neue Hypothesen. Die von uns angenommene Anschaums sieht diese Anziehungen und Abstofsungen einfach als Eigenschaften der beiden Elektricitäten an, Franklin muß aber außer der Annahme, daß das elektrische Fluidum sich selbst abstößt, noch die machen, daß die der Elektricität beraubte Materie sich abstößt, und daß diese Materie die Elektricität anzieht. Denn nur so ist es möglich, daß ein negativ elektrischer, also der Elektricität zum Teil beraubter Körper einen anderen negativ elektrischen Körper abstöfst, dagegen einen positiv elektrischen Körper anzieht.

Da nun aber jedenfalls jene Hypothese vorzuziehen ist, welche die

¹⁾ Die Hypothese ist zuerst von R. Symmer aufgestellt. Philosophical Transactions, abridged etc. vol. XI.

²⁾ Franklin, Experiments and observations. Gehlers Wörterbuch Art Elektricität.

einfachere ist und ohne Hilfshypothesen die Erscheinungen zu erklären imstande ist, so ist die Hypothese zweier Elektricitäten beizubehalten.

Die Erscheinung der Influenz ist eine notwendige Folge des natürlichen Zustandes der Körper und der Grundeigenschaft der Elektricitäten, das die ungleichnamigen sich anziehen, die gleichnamigen sich abstoßen. Denn befindet sich ein elektrisierter Körper in der Nähe eines natürlichen, so muß die überwiegende Elektricität des ersteren auf die gleichnamige Elektricität des natürlichen Körpers abstoßend, auf die ungleichnamige anziehend wirken. Diese Elektricitäten müssen, den Abstoßsungen und Anziehungen folgend, sich treunen und die gleichnamige muß die von dem elektrisierten Körper ferneren, die ungleichnamige die demselben nächsten Stellen des influenzierten Körpers einnehmen.

Auch das Verhalten der Influenzelektricitäten ergiebt sich als einfache Folge der Eigenschaft der Elektricitäten. Wird der elektrische Körper von einem isolierten Körper wieder entfernt, so wird die Kraft fortgenommen, welche die beiden Elektricitäten auseinandertreibt; sie werden daher der gegenseitigen Anziehung folgen und sich wieder vereinigen müssen; der Körper wird wieder unelektrisch, wenn keine der beiden Elektricitäten einen Verlust erlitten hat.

Wenn der influenzierte Leiter vergrößert, an ihn ein Stück angesetzt oder er mit der Erde in leitende Verbindung gesetzt wird, so muß immer die eine der beiden Elektricitäten, der abstoßenden Kraft folgend, in das Ansatzstück oder in die Erde übertreten, die mit der des genäherten Leiters ungleichnamige muß aber aus allen den Teilen des influenzierten Leiters, auf welche die mit dem Quadrate der Entfernung abnehmende, anziehende Kraft der genäherten Elektricität mit hinreichender Stärke wirkt, an das dieser Elektricität nüchste Ende des influenzierten Leiters gezogen werden.

Hiernach ist die Influenz nur ein besonderer Fall der elektrischen Anziehungen und Abstofsungen; wenn also die influenzierte Elektricität nach außen hin abstofsend wirken kann, so folgt schon daraus, daß sie selbst auch wieder influenzierend wirken kann. Daß die Influenzelektricität zweiter Art verteilend wirkt, dafür haben wir bereits einen Versuch Faradays angeführt; daß die Influenzelektricität erster Art ebenfalls verteilend wirkt, folgt aus Versuchen Faradays und Fechners ebenfalls.

Faraday¹) befestigte einen etwa 20 cm langen, 2 cm dicken Schellackcylinder S (Fig. 48) auf einem Holzfus und elektrisierte dessen oberes Ende durch Reiben mit einem Flanelllappen negativ. Es wurden dann auf die obere Endfläche Metallscheiben oder Kugeln von größerem Durchmesser als dem des Cylinders gelegt oder in einiger Entfernung darüber gehalten und mit einer guten Ableitung nach der Erde versehen. Diese Leiter, auch die auf dem Schellackcylinder liegenden, wurden durch Influenz elektrisch, da die letzteren den nichtleitenden Schellack nur an wenigen Punkten berührten; da sie mit der Erde in leitender Verbindung waren, so befand sich auf ihnen nur Influenzelektricität der ersten Art.

Als nun über S eine Scheibe von circa 4 cm Durchmesser gehalten,

¹⁾ Faraday, Experimental researches. XI. Reihe, art. 1221. Poggend. Ann. Bd. XLVI.

beide Elektricitäten in gleicher Menge. Diese beiden Elektricitäten müssen zugleich in dem ganzen Körper gleichmäßig verteilt sein, so daß jedes Teilchen desselben die gleiche Menge positiver und negativer Elektricität vereinigt enthält. Denn welches Stück eines Körpers wir auch der Wirkung eines elektrisierten Körpers aussetzen, immer und unter allen Umständen erhält derselbe beide Influenzelektricitäten.

Wir nehmen daher an, dass im natürlichen Zustande die Körper beide Elektricitäten in gleicher Menge enthalten; über die Natur der Elektricität selbst machen wir dabei keine Voraussetzung, wir lassen es unentschieden, ob der Elektricität als solcher eine reale Existenz zukommt, ob sie, wie man früher es von der Warme annahm, ein feiner Stoff, ein sogenanntes Fluidum ist, oder ob sie ein Zustand der Materie, etwa eine gewisse Bewegung der ponderablen Materie oder des Athers ist. Ist die Elektricität ein Fluidum, so nehmen wir zwei solcher Fluida an, eines, welches den positiv, eines, welches den negativ elektrischen Zustand bedingt¹). Im neutralen Zustande enthalten die Körper beide Fluids in gleicher Menge; wird ein Körper positiv elektrisch, so enthält er mehr positive Elektricität als negative, entweder infolge davon, dass ihm positive Elektricität gegeben, oder dass ihm negative Elektricität entzogen ist. lst der Körper negativ elektrisch, so enthält er einen Überschus an negativer Elektricität.

Die Elektricitäten sind es dann, welche sich anziehen und abstoßen, und ihre Träger, die elektrischen Körper, folgen den Anziehungen und Abstofsungen, weil die Elektricitäten sie nicht ohne weiteres verlassen können.

Eine etwas andere Ansicht von dem Zustande der elektrisierten Körper hat Franklin aufgestellt²). Er betrachtet die Elektricität als ein Fluidum, nimmt dann aber nicht ein positives und ein negatives Fluidum, sondern nur ein elektrisches Fluidum an. Im neutralen Zustande enthalten die Körper eine gewisse sehr große Menge desselben. Teilt man dem Körper noch mehr dieses Fluidums mit, so wird er positiv, entzieht man ihm von demselben, so wird er negativ elektrisch. Diese Hypothese scheint auf den ersten Blick einfacher zu sein als die von uns angenommene, ist aber in der That viel verwickelter und deshalb weniger naturgemäß Denn schon die einfachen Sätze der elektrischen Anziehung und Abstoßung verlangen zwei neue Hypothesen. Die von uns angenommene Anschaums sieht diese Anziehungen und Abstofsungen einfach als Eigenschaften der beiden Elektricitäten an, Franklin muß aber außer der Annahme, daß das elektrische Fluidum sich selbst abstöfst, noch die machen, das die der Elektricität beraubte Materie sich abstöfst, und daß diese Materie die Elektricität anzieht. Denn nur so ist es möglich, daß ein negativ elektrischer, also der Elektricität zum Teil beraubter Körper einen anderen negativ elektrischen Körper abstöfst, dagegen einen positiv elektrischen Körper anzieht.

Da nun aber jedenfalls jene Hypothese vorzuziehen ist, welche die

actions, abridged etc. vol. XI.

2) Franklin, Experiments and observations. Gehlers Wörterbuch At Elektricität.

¹⁾ Die Hypothese ist zuerst von R. Symmer aufgestellt. Philosophical Tran:

einfachere ist und ohne Hilfshypothesen die Erscheinungen zu erklären imstande ist, so ist die Hypothese zweier Elektricitäten beizubehalten.

Die Erscheinung der Influenz ist eine notwendige Folge des natürlichen Zustandes der Körper und der Grundeigenschaft der Elektricitäten, daß die ungleichnamigen sich anziehen, die gleichnamigen sich abstoßen. Denn befindet sich ein elektrisierter Körper in der Nähe eines natürlichen, so muß die überwiegende Elektricität des ersteren auf die gleichnamige Elektricität des natürlichen Körpers abstoßend, auf die ungleichnamige anziehend wirken. Diese Elektricitäten müssen, den Abstoßungen und Anziehungen folgend, sich trennen und die gleichnamige muß die von dem elektrisierten Körper ferneren, die ungleichnamige die demselben nüchsten Stellen des influenzierten Körpers einnehmen.

Auch das Verhalten der Influenzelektricitäten ergiebt sich als einfache Folge der Eigenschaft der Elektricitäten. Wird der elektrische Körper von einem isolierten Körper wieder entfernt, so wird die Kraft fortgenommen, welche die beiden Elektricitäten auseinandertreibt; sie werden daher der gegenseitigen Anziehung folgen und sich wieder vereinigen müssen; der Körper wird wieder unelektrisch, wenn keine der beiden Elektricitäten

einen Verlust erlitten hat.

Wenn der influenzierte Leiter vergrößert, an ihn ein Stück angesetzt oder er mit der Erde in leitende Verbindung gesetzt wird, so muß immer die eine der beiden Elektricitäten, der abstoßenden Kraft folgend, in das Ansatzstück oder in die Erde übertreten, die mit der des genäherten Leiters ungleichnamige muß aber aus allen den Teilen des influenzierten Leiters, auf welche die mit dem Quadrate der Entfernung abnehmende, anziehende Kraft der genäherten Elektricität mit hinreichender Stärke wirkt, an das dieser Elektricität nächste Ende des influenzierten Leiters gezogen werden.

Hiernach ist die Influenz nur ein besonderer Fall der elektrischen Anziehungen und Abstofsungen; wenn also die influenzierte Elektricität nach aufsen hin abstofsend wirken kann, so folgt schon daraus, daß sie selbst auch wieder influenzierend wirken kann. Daß die Influenzelektricität zweiter Art verteilend wirkt, dafür haben wir bereits einen Versuch Faradays angeführt; daß die Influenzelektricität erster Art ebenfalls verteilend wirkt, folgt aus Versuchen Faradays und Fechners ebenfalls.

Faraday') befestigte einen etwa 20 cm langen, 2 cm dicken Schelbeckeylinder S (Fig. 48) auf einem Holzfus und elektrisierte dessen oberes Ende durch Reiben mit einem Flanelllappen negativ. Es wurden dann auf die obere Endfläche Metallscheiben oder Kugeln von größerem Durchmesser als dem des Cylinders gelegt oder in einiger Entfernung darüber gehalten und mit einer guten Ableitung nach der Erde versehen. Diese Leiter, auch die auf dem Schellackcylinder liegenden, wurden durch Influenz elektrisch, da die letzteren den nichtleitenden Schellack nur an wenigen Punkten berührten; da sie mit der Erde in leitender Verbindung waren, so befand sich auf ihnen nur Influenzelektricität der ersten Art.

Als nun über S eine Scheibe von circa 4 cm Durchmesser gehalten,

Faraday, Experimental researches. XI. Reihe, art. 1221. Poggend. Ann. 3d. XLVI.

und eine kleine leitende, an einem Schellacktstiele befestigte Kugel die Mitte derselben gelegt und einen Augenblik ableitend berührt w zeigte sich dieselbe durchaus nicht elektrisch, während sie nahe am I



bei g oder in einiger Entfernung über der Scheibe sich positiv elektrisch zeigte. Auf die Kugel wirkte teilend die Elektricität des Schellackcylinders und Influenzelektricität erster Art der Scheibe. Als die gerade in der Mitte der Scheibe lag, wo die Die keit der Influenzelektricität auf der unteren Seit größten ist, hielten sich die beiden verteilenden I das Gleichgewicht. Da die anziehenden und abst. den Kräfte sowohl von der Elektricitätsmenge, als dem Abstande der auf einander wirkenden Elektric abhängig sind, so muß bei gleichem Abstande der von dem Schellackcylinder an Stellen aber, wo difluenzelektricität der Scheibe weniger dicht ist, difluenzierende Wirkung der auf dem Schellack en Elektricität überwiegen, es muß also, wie auch de

such zeigte, an dem Rande der Scheibe die Kugel durch Influenz pelektrisch werden. Entfernt man die Kugel von der Scheibe, so mu ebenfalls positiv elektrisch werden. Denn wenn bei f, wo die Infelektricität erster Art um die Dicke der Scheibe von der kleinen entfernt ist, diese und die Elektricität des Schellacks sich das G gewicht halten, so können sie das nicht mehr, wenn die Kugel ngebracht ist, wo die Entfernung vom Schellack vielleicht verdoppelt jenige von der Influenzelektricität vielleicht vervierfacht ist.

Man wird hiernach voraussagen können, was sich zeigen wird, man die kleine Kugel allmählich von f nach h bringt und weiter t hinaus hebt. Bei Hebung der Kugel von f an muß anfangs die Elekt der Kugel wachsen bis zu einem Maximum, und bei weiterer Hebung der abnehmen. Denn anfänglich wird die Abnahme der von der Sausgehenden verteilenden Wirkung viel bedeutender sein als die Abn der von S ausgehenden, die Elektrisierung der Kugel muß der wachsen. Wenn aber wegen großer Entfernung von der Scheibe haupt der Einfluß derselben zurückgetreten ist, dann muß die Esierung abnehmen, da mit jeder weiteren Entfernung auch die influrende Wirkung des Schellackcylinders kleiner wird.

Diesen Verlauf der Elektrisierung der kleinen Kugel haben s Faraday¹) als Fechner²) beobachtet.

Nach der dargelegten Anschauung des natürlichen Zustande Körper muß immer und unter allen Umständen ein elektrisierter I auf einen neutralen influenzierend einwirken; wir haben dafür in Bisherigen auch bereits eine Anzahl Beweise kennen gelernt, in Einungen, welche mit Hilfe der Influenztheorie jetzt ihre vollständig klärung finden.

Als eine der ersten Äußerungen der elektrischen Kraft erk:

¹⁾ Faraday, a. a. O. Art. 1219—1226. Poggend. Ann. Bd. XLVI. 2) Fechner, Poggend. Ann. Bd. Ll.

wir die Anziehung neutraler von elektrisierten Körpern; dieselbe ist eine einfache Folge der Influenz. Durch die Nähe des elektrischen Körpers werden in dem neutralen die Elektricitäten getrennt, die gleichnamige wird abgestofsen, die ungleichnamige angezogen in die dem elektrisierten Körper nächsten Stellen. Ist der Abstand beider so klein, daß wegen größerer Nähe die Anziehung der ungleichnamigen über die Abstofsung der gleichnamigen Elektricität überwiegt und ist der angezogene Körper hinlänglich leicht, so folgt er der Anziehung und bewegt sich gegen den weutralen Körper hin.

Daß in der That die Anziehung in dieser Weise erfolgt, dafür lassen sich noch manche Beweise anführen. So kann man sich leicht überzeugen, daß z. B. Strohhalme oder Papierschnitzel von einer geriebenen Siegellackstange weit leichter angezogen werden, wenn sie auf einer leitenden, als wenn sie auf einer nichtleitenden Unterlage liegen. Der Grund kann nur der sein, daß im ersten Falle die Influenzelektricität der zweiten Art

fortgenommen wird, im zweiten aber nicht.

Wenn ferner die neutralen Körper nach einer Richtung ausgedehnter sind als nach einer andern, so stellen sie sich, vorausgesetzt, daß sie mach allen Richtungen gleich gut leiten, so, dass ihre Längsrichtung gegen den elektrisierten Körper gerichtet ist. Der Grund dafür ist, dass nach dieser Richtung die beiden Influenzelektricitäten am weitesten auseinandertreten und deshalb am stärksten sind. Ist ein Körper nach einer Richtung besser leitend als nach den übrigen, so treten nach dieser die Influenzelektricitäten vollständiger und weiter auseinander als nach den übrigen; deshalb stellt sich ein solcher Körper so, daß die Richtung der besseren Leitung in die Verbindungslinie desselben mit dem elektrisierten Körper fällt. Eine kreisförmige, horizontal gehängte Glasscheibe hängt sich z. B., auch wenn ein elektrisierter Körper in ihrer Nähe ist, so, dass der Aufhangefaden ohne Torsion ist. Wenn man aber durch Aufkleben eines Stanniolstreifens einen Durchmesser der Scheibe leitend gemacht hat, so stellt sie sich so, daß der leitende Durchmesser gegen den elektrischen Körper gerichtet ist.

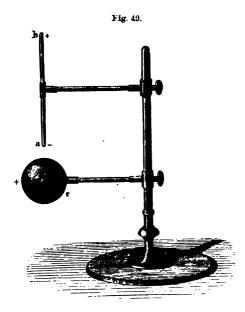
Dass wirklich neutrale Körper nicht von elektrischen angezogen werden, hat Aepinus durch einen sehr einfachen Versuch gezeigt. Zwei Glasscheiben wurden stark auf einander gerieben, die Fläche der einen wurde dadurch stark positiv, die andere stark negativ elektrisch; die Flächen wurden auf einander gedrückt. Da dieselben nichtleitend sind und sich nur in wenigen Punkten berühren, so bleiben sie auch dann beide und zwar mit den elektrischen Flächen in gleicher Höhe, ein Hollundermarktügelchen gehängt. Dasselbe wurde nicht angezogen. Wurde dagegen eine der Flächen fortgenommen, einerlei welche, so wurde das Kügelchen kräftig angezogen. Jede einzelne Fläche zog also das Kügelchen kräftig an, beide vereint aber nicht. Daraus folgt, das die Anziehung eine Wirkung der Influenz ist, denn die vereinten Flächen konnten deshalb nicht anziehend wirken, weil sie die Kugel entgegengesetzt influenzierten und

deshalb dieselbe durchaus unelektrisch blieb.

Ebenso wie die Anziehung neutraler Körper, ist die Mitteilung der Elektricität an einen nichtelektrischen Körper eine Influenzerscheinung.

Nühert man einem elektrisierten Körper einen neutralen Leiter, s derselbe durch Influenz elektrisch, und zwar findet sich immer die In elektricität der ersten Art an den dem elektrisierten Körper n Stellen. Kommen dann der neutrale und elektrisierte Körper zur rung, so gleichen sich die Influenzelektricität erster Art des neu und die ihr gleiche Menge Elektricität auf dem elektrisierten Körp Auf dem genüherten Körper bleibt die Influenzelektricität der zwei übrig, und auf dem ursprünglich elektrisierten Körper ist eine de genau gleiche Menge Elektricität neutralisiert. In Wirklichkeit tr. nicht, wie wir uns früher ausdrückten, ein Abfließen von Elektrici dem geladenen Leiter auf den nicht geladenen ein, sondern eine N sierung der Influenzelektricität erster Art auf dem genüherten Leite Effekt ist aber derselbe, weil durch diese Influenzelektricität der Art auf dem ursprünglich elektrisierten Körper eine genau gleich Menge Elektricität verschwindet.

Ist der einem elektrisierten Körper genäherte Leiter selbst elektrisch, so hängt es von der Dichtigkeit der Elektricität an drührungspunkten ab, ob eine Mitteilung eintritt oder nicht. In der wirken nämlich beide Körper influenzierend auf einander ein; we Dichtigkeit auf beiden dieselbe ist, so werden die Berührungstelle



unelektrisch sein, es kam keine Mitteilung stattfind aber die Elektricität au einen dichter als auf d dern, so wird auch, da die der Influenzelektricität der der influenzierenden propist, die Menge der Influe tricität erster Art auf der ger elektrischen Körper sein als auf dem andern, tritt wieder Mitteilung e

Diese Erklärung de teilung der Elektricität giauch sofort Aufschluß, man im allgemeinen die Iselektricität erster Art nie einem influenzierten Leit nehmen kann. Nähert mat isolierten neutralen Leit abgewandten Ende b (I des influenzierten Leiters,

durch die dort vorhandene Elektricität stets in dem genäherten durch Verteilung die entgegengesetzte Elektricität vorhanden se Influenzelektricität der zweiten Art wird also auf ab gerade so n siert werden, als wäre ab ein einzelnstehender Leiter.

Nühert man aber dem Ende a einen isolierten Leiter, so wi denselben sowohl die Elektricität der Kugel e, als auch die Influtricität bei a, und es hängt von beiden Wirkungen ab, ob ein At

der Elektricitäten stattfinden wird oder nicht. Ist der genäherte Leiter in Form und Größe dem Leiter ab ähnlich, so wird er bei Annäherung an a durch die Elektricität der Kugel e ebenso stark elektrisiert wie ab; bei der Berührung kommen deshalb zwei Stellen zusammen, welche gleich stark elektrisch sind; oder vielmehr die beiden Leiter werden so auf einander influenzierend einwirken, daß die Berührungspunkte neutral sind, so daß kein Austausch der Elektricitäten stattfinden kann.

Ist der genäherte Leiter bedeutend kleiner als ab, ist er vielleicht ein kleines Scheibehen, so wird allerdings auch in diesem durch die Kugel Elektricität influenziert, zugleich aber wirkt auch die Influenzelektricität bei a verteilend ein. Wenn nun das Scheibehen dem Ende a bis zur Berührung genähert wird, dann muß der letztere Einfluß wegen der größeren Nähe stets überwiegen, die dem Ende a zugewandte Seite des Scheibehens wird positiv, die abgewandte Seite wird negativ. Nach der Berührung bleibt das Scheibehen negativ, gerade als hätte es von dem Ende a einen Teil der Influenzelektricität erster Art fortgenommen.

Ist aber der genäherte Leiter bedeutend größer als ab, so wird durch die Influenz der Kugel c die Influenzelektricität der ersten Art in ihm stärker sein, weil die beiden Elektricitäten in ihm viel weiter auseinandertreten können. Es muß daher, wenn die Leiter bis zur Berührung genähert werden, in ab eine neue Verteilung stattfinden, und zwar so, daß die Berührungsstelle von a positiv elektricität des genäherten Leiters neutralisiert, so daß die negative Elektricität von ab nach Fortnahme des Leiters stärker wird, gerade als wäre von demselben ein Teil der negativen Elektricität dem Leiter ab mitgeteilt worden.

Ist schliefslich der genäherte Leiter unendlich groß, d. h. mit der Erde in leitender Verbindung, so ergiebt sich aus dem eben Gesagten, daß der Erfolg qualitativ derselbe sein muß, nur wird auf ab die Influenzelektricität der zweiten Art ganz verschwinden, und ab so stark negativ elektrisch werden, als ein mit der Erde in Verbindung stehender der Wirkung des elektrischen Körpers ausgesetzter Leiter. Es ergiebt sich augleich daraus, daß es in diesem Falle ganz einerlei ist, an welchem Punkte von ab der Leiter angelegt wird.

Man erkennt nun auch sofort, weshalb ein Nichtleiter von einem elektrisierten Körper keine oder nur sehr wenig Elektricität fortnehmen hann; es liegt daran, dass auf diesem die Influenzelektricitäten nicht auseinandertreten, also nur sehr schwach sein können. Nur durch andauernde Berührung, wobei immer neue Influenzierung eintritt, kann dann einem elektrischen Körper eine merkliche Elektricitätsmenge entzogen werden.

§. 37.

Potentialfunktion einer Elektricitätsmenge. Unsere bisherigen experimentellen Untersuchungen der elektrischen Erscheinungen haben den Nachweis geliefert, dass gleichnamige Elektricitäten sich abstossen, ungleichnamige sich anziehen und zwar mit einer Kraft, welche der Menge jeder der beiden auf einander wirkenden Elektricitäten direkt und dem Quadrate ihres Abstandes umgekehrt proportional ist. Wir haben mit Hille dieses Gesetzes bereits ein Mass für die Elektricität aufgestellt, indem

wir jene Elektricitätsmenge gleich eins setzten, welche auf eine ihr gleiche in der Entfernung eins die abstoßende Kraft eins ausübt. Für die Wirkung zweier elektrischer Mengen c und e_1 auf einander im Abstande r erhalten wir demnach

$$K = \frac{e e_1}{r^2},$$

dieselbe ist abstofsend, wenn beide Mengen gleichnamig sind, anziehend, wenn sie ungleichnamig sind, also entgegengesetztes Vorzeichen haben.

Aus diesem Wirkungsgesetze folgt, dass für die elektrischen Wirkungen eine Kraftsunktion existiert, und dass diese die von uns in der Einleitung dieses Bandes betrachtete Potentialsunktion ist; die Potentialsunktion einer gegebenen Elektricitätsmenge c in einem Punkte, welcher von ihr den Abstand r hat, ist somit

$$v=\frac{e}{r}$$

Für eine Anzahl gegebener Elektricitätsmengen e_1, e_2, \ldots welche von dem betrachteten Punkte die Abstände r_1, r_2, \ldots haben, ist die Potentialfunktion

$$V = \frac{c_1}{r_1} + \frac{e_2}{r_2} + \cdots = \Sigma \frac{e}{r}$$

und für eine ausgedehnte Elektricitätsmenge, von welcher dc ein Element ist, wird dieselbe

$$V = \int \frac{de}{r},$$

wo die Integration über den ganzen mit Elektricität gefüllten Raum auzudehnen ist.

Für die weitere Behandlung der elektrischen Erscheinungen sind die Sätze der Potentialtheorie, welche uns aus der Potentialfunktion nicht nur die Wirkungen gegebener Elektricitätsmengen auf einander, sondern auch die Verteilung der wirksamen Mengen im Raume oder auf Flächen zu bestimmen gestattet, von der allergrössten Bedeutung, so zwar, daß man in der That behaupten kann, eine genaue Beschreibung der elektrischen Erscheinungen ist nur mit Hilfe der Sätze der Potentialtheorie mög-Schon bei der Entwickelung der Sätze der Potentialtheorie haben wir darauf hingewiesen und es möge das hier nochmals besonders hervorgehoben werden, dass diese Sätze durchaus nicht die Voraussetzung machen, daß die elektrischen Wirkungen auf einer unvermittelten Fernewirkung beruhen, dass sie ganz ebenso ihre Gültigkeit behalten, wenn die Wirkung in die Ferne durch Vermittelung eines Mediums stattfindet, in welchen sich dieselbe von Punkt zu Punkt fortpflanzt. Die einzige Voraussetzung ist nur, dass eine Elektricitätsmenge c auf eine andere c_1 im Abstande rnach dem an die Spitze gestellten Gesetze wirkt, dass also die Wirkung gleich $\frac{ee_1}{r^2}$ ist. Wie diese Wirkung zustande kommt ist ganz gleichgültig-Die Sätze der Potentialtheorie sind ebenso ganz unabhängig davon, welcher Natur die Elektricität ist, was also eigentlich das ist, was wir Elektricität nennen, ob dieselbe eine Substanz ist, oder ob sie ein Zustand der materiellen Körper oder des Äthers ist, dieselben und somit and die aus denselben gezogenen Folgerungen gelten unabhängig von jeder Voraussetzung als nur derjenigen des Wirkungsgesetzes. Deshalb ist auch die experimentelle Bestätigung der Folgerungen der Potentialtheorie der schärfste Beweis, dass aus dem Coulombschen Versuchen abgeleitete Gesetz der elektrischen Fernewirkung richtig ist.

§. 38.

Sitz des elektrischen Zustandes. Die erste Frage, welche wir mit Hilfe der Sätze der Potentialtheorie zu untersuchen haben und präcise beantworten können, ist diejenige, wo denn eigentlich der Sitz der Elektricität in einem elektrisierten Körper ist, ob sich die freie ihm mitgeleilte Elektricität gleichmäßig durch die ganze Masse des Körpers ver-

breitet, oder ob sich dieselbe nur an einzelnen Stellen findet.

Wir beschränken unsere Untersuchung zunächst ausdrücklich auf die vollkommenen Leiter, wie es nach unsern bisherigen Untersuchungen B. die Metalle sind. Da ein solcher der Bewegung der Elektricität in seinem Innern gar kein Hindernis bietet, so kann in demselben die Elektricität nur dann im Gleichgewicht sein, wenn die Anziehungen und Abstoßungen der vorhandenen Elektricität auf alle Punkte im Innern der Elektricitätsmenge sich aufheben, also gleich null sind. Denn denken wir uns den Körper mit positer Elektricität versehen, und setzen voraus, das auf irgend einen Punkt im Innern desselben eine Abstossung gleichnamiger Elektricität als Wirkung der vorhandenen nach irgend einer Richtung resultiere, so würde die dort vorhandene positive Elektricität sich mich dieser, etwa vorhandene negative Elektricität sich nach der entregengesetzten Richtung bewegen müssen, bis die Anziehungen und Abstoßungen gleich null würden. Wie wir aus den Erscheinungen der Influenz schließen mußten, sind im Innern jedes Körpers an jedem Punkte gleiche Mengen positiver und negativer Elektricität vorhanden, die sich gegenseitig neutralisieren. Würde nun von der dem Körper mitgeteilten Ladung auf einen Punkt nach irgend einer Richtung eine resultierende Wirkung übrig bleiben, so würde eine Scheidung dieser beiden Elektricitäten, und damit eine andere Verteilung eintreten, so lange bis diese Wirkung gleich null geworden ist.

Damit die Wirkung der erteilten Ladung auf jeden Punkt im Innern des Körpers gleich null sei, ist notwendige und ausreichende Bedingung, dass die Potentialfunktion der gegebenen Ladung in jedem Punkte im Innern des geladenen Körpers denselben Wert hat, oder dass die Potentialfunktion im Innern des Körpers einen konstanten Wert hat. Denn wenn das der Fall ist, so wird für eine kleine Verschiebung eines betrachteten Punktes der Quotient

$$\frac{dV}{dn} = 0 \quad . \quad . \quad (1)$$

nach welcher Richtung auch die Verschiebung stattfindet. Da nun jener Quotient die in die betreffende Richtung fallende Komponente der Kraft auf die dort vorhandene Einheit der Elektricität liefert, so folgt, daß in dem Falle die Wirkung der Ladung auf jeden Punkt im Innern gleich null ist.

Daraus folgt aber weiter, dass die Dichtigkeit der Ladung im Innen des Körpers überall gleich null sein mus, oder dass die dem Körper mitgeteilte Elektricität überhaupt nicht in das Innere des Körpers eindringt. Denn denken wir uns die Punkte im Innern des Körpers durch ein dreiaxiges rechtwinkliges Koordinatensystem gegeben, so folgt aus der Gleichung (1) auch

$$\frac{\partial V}{\partial x} = 0; \quad \frac{\partial V}{\partial y} = 0; \quad \frac{\partial V}{\partial z} = 0$$

und daraus ebenfalls

$$\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} = 0; \quad \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} = 0; \quad \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} = 0$$

oder auch

$$\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} = \Delta V = 0.$$

Da diese Beziehung nur für solche Punkte gilt, welche nicht innerhalb der Elektricitätsmenge sich befinden, deren Potentialfunktion V ist, so folgt, dass die dem Körper mitgeteilte Elektricität nicht in das Innere der Körper eindringt, dass dieselbe sich nur auf der Oberfische ansammelt.

Zum experimentellen Nachweis dieses fundamentalen Satzes kann man nach Coulomb¹) zunächst so verfahren, dass man als Standkugel in die Torsionswage eine Kugel von massivem Kupfer hängt, sie elektrisiert, während die Kugel des Wagebalkens sie berührt, und die Abstofsung der beiden Kugeln mißt. Berührt man dann die Standkugel mit einer im ganz gleichen, so wird die Abstofsung, mit Berücksichtigung der während dieser Zeit stattfindenden Zerstreuung, gerade die Hälfte von vorhin. Dasselbe findet aber auch statt, wenn man die Standkugel mit einer anderen Kugel berührt, deren Substanz oder Oberfläche die Elektriciät leitet, vorausgesetzt, dass die Größe der Kugeln dieselbe ist. Man mag eine hoble Kugel irgend eines Metalles oder eine vergoldete Kugel von Hollundermark oder von Holz anwenden; haben die Kugeln gleiche Größe, so nehmen sie von der Standkugel immer dieselbe Elektricitätsmenge fort Aus diesen Versuchen folgt, dass von der Standkugel immer dieselbe Elektricitätsmenge auf die berührenden Körper abfliefst, welches auch die Substanz sei, aus denen sie bestehen, ob sie massiv oder hohl seien, wenn nur die Oberfläche der Körper dieselbe ist. Daraus wird man schließen müssen, dass der elektrische Zustand eines Körpers von der Masse desselben ganz unabhängig, dass er nur auf die Oberfläche der Körper beschränkt ist, dass die Elektricität bei einem elektrischen Körper nicht in das Innere eindringt.

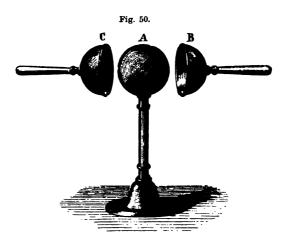
Man kann diese Folgerung leicht durch direkte Versuche bestätigen Coulomb stellte eine Metallkugel A (Fig. 50) auf eine isolierende Stätze und liefs zwei auf dieselbe passende und sie genau umschliefsende Halbkugeln B und C herstellen, welche an isolierenden Handhaben befestigt waren. Wurde nun A mit diesen Hüllen bedeckt und dann das ganze System kräftig elektrisiert, so zeigten sich die Halbkugeln, wenn sie

¹⁾ Coulomb, Mémoires de l'Académie de Paris 1786, 1787, 1788.

gehoben wurden, elektrisch, dagegen die Kugel A zeigte keine Spur n Elektricität. Wurde die Kugel A elektrisiert und dann mit den iden Halbkugeln bedeckt, so blieb dieselbe nach Fortnahme der beiden

albkugeln vollkommen selektrisch zurück, alle lektricität war auf die iden Halbkugeln übergangen.

Bei einem anderen ersuche ließ Coulomb ne leitende Hohlkugel erstellen, welche mehrere öcher von 1 cm Durchesser besaß, und bestigte dieselbe auf einer olierenden Stütze. Die ugel wurde kräftig elektisiert. Wurde dann die aßere Seite der Kugel it einem Scheibchen von oldpapier von circa 4 mm



urchmesser, das an einem isolierenden Stiel befestigt war, berührt, so urde das Scheibchen stark elektrisch. Berührte man dagegen mit dem heibchen die innere Seite der Kugel, so ließ sich auf demselben keine ur von Elektricität erkennen.

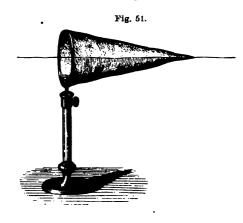
Schon früher hatte Franklin durch einen ganz ähnlichen Versuch und iestley dadurch denselben Nachweis geliefert, dass er zwei an Seidenden befestigte und sich berührende Hollundermarkkugeln in einen stark ektrisierten zinnernen Becher herabliess. Wäre der innere Raum des schers mit elektrisiert worden, so hätten die beiden Pendel sich abosen müssen, sie blieben aber ruhig neben einander hängen.

Den letzteren Versuch hat Faraday¹) in großartigem Maßstabe wierholt. Er ließ aus leichten Holzrahmen das Gerüst eines Würfels von ehr als drei Meter Seitenlänge verfertigen und zwischen den Rahmen upferdrähte kreuzweise spannen, so daß er einen Würfel erhielt, dessen eitenflächen aus Drahtnetzwerk bestanden. Er ließ die Seiten noch it Papier und dieses dicht mit Stanniol bekleben. Diese Kammer, deren Vände also aus guten Leitern der Elektricität bestanden, wurde in inem großen Saale isoliert aufgestellt. Darauf begab sich Faraday in lieselbe hinein, versehen mit den feinsten Elektroskopen, und ließ die vämmer so stark wie möglich elektrisieren. Trotzdem aber ließ sich in lem Innern derselben keine Spur von Elektricität erkennen.

Noch in einer anderen Weise zeigte Faraday, dass die Elektricität nur auf der Oberfläche der Körper vorhanden ist. An einem Metallring Fig. 51), welcher auf einem isolierenden Glasfuse befestigt war, wurde ein Drahtnetz in Form eines Insektennetzes befestigt. An dem Boden

¹⁾ Faraday, Experimental researches in electricity art. 1170-1175. Poggend. Ann. Bd. XLVI.

desselben war ein Seidenfaden befestigt, so dass man mit demselt Drahtnetz hin und her umstülpen konnte. Das Netz wurde elek und durch Berührung der Oberstäche mit einem Scheibchen vor



papier, das an einem is den Stiele befestigt wa Nachweis geliefert, dass di fläche elektrisch war. rührung der inneren Sei dieselbe als unelektrisch Darauf wurde durch einan dem Seidenfaden da umgestülpt, so dass die innere Seite zur äußeren Sofort zeigte sich die jet sere, vorhin als nicht ele erkannte Seite elektrisc gegen die vorher äuße elektrische Seite als nich trisch. Die Elektricität l

die Fläche, der sie mitgeteilt war, sofort verlassen, als diese z inneren wurde, und ist auf die äussere Fläche übergegangen.

Dasselbe ergiebt sich aus einem Versuche von Franklin; eine Theekanne, in welche eine Kette mit einem Seidenfaden eingesen wurde elektrisiert, so daß die Pendel eines mit der Kanne verbu Elektroskopes stark divergierten. Darauf wurde die Kette mit dem faden allmählich herausgehoben; es zeigte sich, daß in dem Maße, Kette herausgehoben wurde, die Divergenz des Elektroskopes sich derte. Wurde die Kette wieder hinabgelassen, so stieg die Diverge der, und war die Kette wieder ganz versenkt, so war die Diverge

Fig. 52.



die frühere. Die Elektricität ging also von der zum Teil auf die Kette über, als diese außerh Kanne und mit ihr in leitender Berührung war, wieder vollständig auf die Kanne über, als die F deren Inneres versenkt war.

Für diesen Versuch hat Magnus später einen sehr instruktiven Apparat konstruiert. Ein kleiner I cylinder ist mit zwei cylindrischen Fortsätzen a Seidenschnur aufgehängt (Fig. 52). Um den Cylin ein Metallblatt gewickelt. Das eine Ende des blattes ist der ganzen Breite nach an dem Cylin festigt, das andere Ende ist mit einem Holzstäbch sehen, an dessen Enden ebenfalls eine Seidensch: An diesem Ende sind an dem Meta festigt ist. zwei neben einander hängende elektrische Pendel be Der Apparat wird elektrisiert, so dass die Pende Zieht man dann an der Seidenschr divergieren. Metallblatt ab, so wird in dem Masse als die Ob des Apparates sich vergrössert, die Divergenz der kleiner. Lässt man die Seidenschnur los, so ro der Apparat wieder auf, da bei dem Abziehen der Messingcylinder an der Seidenschnur, an der er hängt, sich in die Höhe rollte. In dem Maße aber, wie das Metallblatt sich wieder aufrollt, wird die Divergenz der Pendel wieder größer.

Die Versuche bestätigen somit die aus der Theorie gezogene Folgerung, sie zeigen, daß sich die Elektricität bei leitenden Körpern nur auf der Oberfläche befindet, oder daß sie dort nur eine unendlich dünne Schicht bildet. Wir müssen deshalb die Dichtigkeit der Elektricität in derselben Weise definieren, wie wir im §. 6 die Flächendichte eines wirksamen Agens definiert haben. Ist $d\sigma$ ein Element der Oberfläche und an dieser Stelle ε die Dicke der elektrischen Schicht, und ist \varkappa die Dichtigkeit der Elektricität in der bisherigen Bedeutung, so ist die auf dem Element vorhandene Elektricität gleich $\varkappa \cdot \varepsilon \cdot d\sigma$. Setzen wir

$$\varkappa \varepsilon = h$$
,

so wird die Menge der Elektricität $h \cdot d\sigma$. Der Koefficient h bedeutet darnach die auf der Einheit der Oberfläche vorhandene Elektricität, vorausgesetzt, daßs κ und ε auf der Flächeneinheit überall denselben Wert haben. Diesen Koefficienten h bezeichnet man deshalb als die Dichtigkeit der Elektricität. Die auf einem Körper vorhandene Elektricität ist somit durch das über die ganze Oberfläche des Körpers ausgedehnte Integral

$$Q = \int h \ d\sigma$$

gegeben.

Hieraus folgt, dass wir die Dichtigkeit der Elektricität auf der Oberfäche der Körper, sowie die Menge, welche auf der Oberfläche vorhanden ist, mit Hilfe der Sätze des §. 6 und §. 7 der Einleitung zu bestimmen haben.

Nach §. 7 erhält man die auf einem Körper vorhandene Elektricitätsmenge aus dem Satze, daß die Summe der auf die verschiedenen Elemente der Oberfläche eines Körpers senkrecht zur Oberfläche wirkenden Komponenten der Kraft, dieselben berechnet unter der Voraussetzung, daß sich in den Punkten, wo die Elemente liegen, die Einheit der freien Elektricität befindet, dividiert durch 4π , gleich ist der von dieser Oberfläche umschlossenen beziehungsweise der auf ihr vorhandenen Elektricitätsmenge.

Ist demnach V die Potentialfunktion der auf einem Körper vorhandenen freien Elektricität an einem Punkte der Oberfläche, wo das Element $d\sigma$ liegt, und bezeichnen wir die nach außen gerechnete Normale mit n, so daß

$$-\frac{dV}{dn}$$

die in dem betreffenden Punkte nach außen gerichtete parallel der Normale wirksame Kraft ist, so ist die auf der Oberfläche des Körpers vorhandene Elektricitätsmenge Q

$$Q = -\frac{1}{4\pi} \int \frac{dV}{dn} d\sigma.$$

Williams, Physik. IV. 4. Aufl.

A. .

Für die Dichtigkeit der Elektricität an irgend einem Punkte der Oberfläche eines Körpers oder auch einer Fläche folgt aus §. 6

$$\left(\frac{dV}{dn}\right)_{+0} - \left(\frac{dV}{dn}\right)_{-0} = -4\pi h,$$

wo das Zeichen + 0 beziehungsweise - 0 bedeutet, dass der Differentialquotient einmal nach der positiven Richtung der Normale n, das anderemal nach der negativen Richtung der Normale zu nehmen und dass dann in den Differentialquotienten n=0 gesetzt werden soll.

Da im Innern eines Körpers die Potentialfunktion konstant ist, so folgt, wenn wir die negative Richtung der Normale nach innen rechnen,

$$\left(\frac{dV}{dn}\right)_{-0} = 0,$$

für einen Körper ist demnach

$$\left(\frac{dV}{dn}\right)_{+0} = -4\pi h,$$

somit

$$h = -\frac{1}{4\pi} \left(\frac{dV}{dn} \right)_{+0}.$$

Die Dichtigkeit der Elektricität an einer Stelle der Oberfläche, das heißt also die Elektricitätsmenge, welche auf der Flächeneinheit der Oberfläche an der betreffenden Stelle vorhanden sein würde unter der Voraussetzung, daß auf allen Elementen der Flächeneinheit gleichviel Elektricität vorhanden wäre, ist somit gleich der durch 4π dividierten von der auf dem Körper vorhandenen Elektricität auf den betrachteten Punkt ausgeübten Kraft, vorausgesetzt, daß sich dort die Einheit der Elektricität befände.

Die von einer elektrischen Schicht auf einen ihrer Punkte ausgeübte Wirkung sucht die dort befindliche Elektricität nach außenhin parallel der Normale von der Oberfläche zu entfernen, da in Punkten einer Niveaufläche die resultierende Kraft parallel der Normalen ist. Bei einer Dichtigkeit h ist die auf dem Elemente $d\sigma$ vorhandene Elektricität gleich $hd\sigma$. Um den Druck zu bestimmen, welchen dieses Element nach außen erfährt, müssen wir zunächst untersuchen, welcher Teil der parallel der Normale nach außen gerichteten Wirkung von dem Elemente $d\sigma$ selbst herrührt, welcher Teil von der übrigen auf der Oberfläche des Körpers vorhandenen Elektricität. Nur die letztere ist es, welche das Element selbst parallel der Normalen antreibt.

Das Element selbst können wir, welches auch die Krümmung der Oberfläche des Körpers ist, als eben betrachten. Nehmen wir einen Punkt so nahe bei dem Elemente, daß wir den senkrechten Abstand desselben vom Elemente, selbst gegen die Dimensionen des Elementes, als sehr klein ansehen können. Nennen wir die Potentialfunktion des Elementes in in diesem Punkte V_{σ} , diejenige der übrigen vorhandenen Elektricität V_{u} , so ist die Potentialfunktion der ganzen Menge in dem Punkte

$$V = V_o + V_u$$

$$\frac{dV}{dn} = \frac{dV_{\sigma}}{dn} + \frac{dV_{u}}{dn}.$$

Da wir ausdrücklich vorausgesetzt haben, dass der Punkt dem Elemente so nahe liegt, dass wir seinen Abstand selbst gegen die Dimensionen des Elementes als verschwindend klein betrachten können, so dürsen wir zur Bestimmung der Wirkung des Elementes $d\sigma$ die Sätze des §. 8 anwenden und erhalten

$$\frac{dV_{\sigma}}{dn} = -2\pi h,$$

somit

$$\frac{dV}{dn} = -4\pi h = -2\pi h + \frac{dV_u}{dn},$$

oder

$$\frac{dV_u}{dn} = -2\pi h.$$

Die Hälfte der ganzen Wirkung auf einen in unmittelbarster Nähe der Oberfläche liegenden Punkt rührt somit von dem Elemente selbst her, über welchem sich der Punkt befindet, die andere Hälfte von der übrigen auf der Oberfläche befindlichen Elektricität. Rückt der betrachtete Punkt in das Element selbst, so wird die Wirkung des Elementes auf ihn selbst gleich null, denn nach §. 8 geht bei dem Passieren der Ebene die Wirkung derselben auf einen Punkt aus $2\pi h$ in $-2\pi h$ über, in der Ebene selbst muß also die Wirkung null sein. Die Wirkung auf einen Punkt des Elementes, wenn er die Einheit der Elektricität enthalten würde, ist somit

$$-\frac{dV_u}{dn}=2\pi h,$$

die Wirkung auf das die Elektricitätsmenge $hd\sigma$ enthaltende Element demnach

$$-hd\sigma \frac{dV_u}{dn} = 2\pi h^2 d\sigma.$$

Der Faktor $2\pi h^2$ giebt die Kraft, mit welcher die auf der Flächeneinheit vorhandene Elektricität, vorausgesetzt auf derselben sei überall die Dichtigkeit gleich h, nach außen hin getrieben wird. Wir wollen diesen Faktor als die Spannung der freien Elektricität bezeichnen, so daß diese Spannung dem Quadrate der Dichtigkeit proportional ist.

Da hiernach die Elektricität an jeder Oberfläche einen Antrieb nach außen erfährt, so folgt notwendig, daß ein Gegendruck von seiten der Umgebung vorhanden sein muß, welcher die Elektricität auf der Oberfläche zurückhält. Wodurch dieser Gegendruck ausgeübt wird, ob vielleicht durch den Äther, das läßt sich nicht näher angeben.

Verteilung der Elektricität auf einzelnstehenden Leitern. Im vorigen Paragraphen haben wir aus den Gesetzen der elektrischen Anziehung und Abstossung und aus der durch die Influenzwirkung gemachten Erfahrung, das in jedem Punkte eines Körpers im neutralen Zustande

gleich große Mengen positiver und negativer Elektricität vorhanden sind, den Schluß gezogen und experimentell bestätigt, daß eine elektrische Ladung nicht in das Innere eines Körpers eindringt, sondern sich nur auf der Oberfläche ausbreitet. Ganz dieselben Gesetze geben uns aber sofort auch weiter an, wie die Elektricität auf der Oberfläche der Körper verteilt sein muß, oder welches die Dichtigkeit h an den verschiedenen Stellen einer gegebenen Oberfläche sein muß, wenn der Körper mit einer gegebenen Menge von Elektricität versehen ist.

Damit die Elektricität auf einer Fläche im Gleichgewicht sei, ist notwendige und ausreichende Bedingung, daß in jedem Punkte der Fläche die resultierende Wirkung der gesamten vorhandenen Elektricität normal gegen die Fläche ist. Das ist der Fall, wenn die Potentialfunktion der gesamten vorhandenen Elektricität in jedem Punkte der Fläche einen und denselben Wert hat, oder wenn die Fläche eine Niveaufläche für die vorhandene Elektricitätsmenge ist.

Zu dieser Bedingung tritt hinzu, dass die gesamte Elektricität eben nur auf der Fläche selbst sich befindet, dass also in dem von der Oberfläche umschlossenen Raum die Potentialfunktion konstant sein mus, weil in demselben die Summe der drei zweiten partiellen Differentialquotienten, also $\Delta V = 0$ sein mus.

Infolge dieser beiden Bedingungen muß die Verteilung der Elektricität eine ganz bestimmte sein, und es giebt nur eine einzige Verteilung, welche diesen beiden Bedingungen Gentige leistet.

Dass die erste Bedingung, die Oberfläche muß eine Niveaufläche der gegebenen Elektricität sein, nicht allein genügt, um eine bestimmte Verteilung zu geben, erkennt man schon an dem Beispiele einer Kugel Haben wir eine homogene Kugel, welche die Menge Q des wirksamen Agens enthält, das heist ist diese Menge durch den ganzen Raum mit gleichförmiger Dichtigkeit verteilt, so ist die Potentialfunktion derselben, wie wir in der Einleitung sahen, für jeden außerhalb der Kugel in der Entfernung a vom Mittelpunkt der Kugel entfernten Punkt gleich $\frac{Q}{\pi}$; ist der Radius der Kugel gleich R, so ist auf der Oberfläche der Kugel die Potentialfunktion gleich $\frac{Q}{R}$. Genau denselben Wert hat aber die Potentialfunktion, wenn die Verteilung im Innern der Kugel so ist, dass sie aus homogenen Kugelschalen besteht, dass die Dichtigkeit der einzelnen Schalen, an allen Stellen derselben die gleiche, mit dem Abstande vom Mittelpunkte sich ändert, oder dass selbst die ganze Menge des Agens auf der Oberfläche der Kugel vom Radius R angehäuft ist. Im Innem der Kugel vom Radius R sind dagegen bei diesen verschiedenen Verteilungen die Werte der Potentialfunktion wesentlich verschieden; soll im Innern der Kugel vom Radius R die Potentialfunktion überall denselben Wert haben wie auf der Oberfläche, so ist das nur möglich, wenn das gesamte Agens sich auf der Oberfläche befindet und auf dieser ganz gleichförmig verteilt ist. Ebenso in allen Fällen; da die Elektricität sich nur auf der Oberfläche der Körper befindet, und da diese Fläche eine Niveaufläche sein muß, so folgt notwendig, daß die Verteilung der Elektricität auf derselben eine ganz bestimmte ist.

Dieser Satz schließt den wichtigen Satz in sich, daß die Verteilung der Elektricität auf einem einzeln stehenden Leiter nicht von der Menge der dem Leiter mitgeteilten Elektricität, also flicht von der Größe der Ladung abhängig sein kann, das heißt, daß durch eine Vermehrung oder Verminderung der Ladung an allen Stellen der Oberfläche sich die Dichtigkeit der Elektricität in ganz gleichem Verhältnisse ändern muß. Hieraus folgt weiter, daß die Potentialfunktion der auf einem gegebenen Leiter vorhandenen Elektricität der Menge dieser Elektricität proportional sein muß. Denn ist h die Dichtigkeit der Elektricität auf dem Flächenelement $d\sigma$, so ist die Potentialfunktion

$$V_h = \int \frac{h d\sigma}{r} \cdot$$

Geht durch Änderung der Elektricitätsmenge die Dichtigkeit der Elektricität an allen Stellen in $k \cdot h$ über, so wird die Potentialfunktion

$$V_k = \int_{-r}^{r} \frac{kh d\sigma}{r} = k \int_{-r}^{r} \frac{h d\sigma}{r} = k V_h.$$

Ist demnach C der Wert der Potentialfunktion an irgend einer Stelle des Raumes, wenn dem Leiter die Elektricitätsmenge eins mitgeteilt wird, 50 wird der Wert V der Potentialfunktion, wenn demselben die Elektricitätsmenge Q mitgeteilt wird,

$$V = C \cdot Q \cdot$$

Bezeichnen wir speciell den Wert der Potentialfunktion auf der Oberfliche des Leiters mit V, so können wir die auf dem Leiter vorhandene Elektricitätsmenge setzen

$$Q = \frac{1}{C} V = KV,$$

oder die auf dem Leiter vorhandene Elektricitätsmenge ist gleich der auf demselben vorhandenen Potentialfunktion multipliziert mit einer Konstanten. Die Bedeutung der Konstanten ergiebt sich daraus, dass

$$Q = K$$

wenn V=1; es ist also diejenige Elektricitätsmenge, welche dem Leiter nitgeteilt werden muß, damit der Wert der Potentialfunktion auf demselben gleich eins ist. Man bezeichnet diese Konstante als die Kapacität des Leiters.

So einfach hiernach das Princip zur Berechnung der Verteilung der Elektricität auf einem Leiter ist, so schwierig ist in den meisten Fällen die Durchführung der Rechnung, indem sobald die Oberflächen, um deren Untersuchung es sich handelt, nicht von der einfachsten geometrischen Gestalt sind, die mathematischen Hilfsmittel zur Behandlung der Aufgaben nicht ausreichen. Wir können schon deshalb auf eine ausführliche Behandlung der Probleme, welche zudem rein mathematischer Natur sind, nicht eingehen 1); wir beschränken uns auf die theoretische Behandlung

¹⁾ Derartige Rechnungen sind zuerst von *Poisson*, Mémoires de l'Acad de ^{Paris} 1811 T. XII, später von *Green*, Crelles Journal Bd. XLIV und Bd. XLVII ¹. a. durchgeführt. Man sehe *Beer*, Einleitung in die Elektrostatik etc., Kötterisch, Elektrostatik.

einzelner weniger der einfachsten Fälle und gehen etwas ausführlicher auf das experimentelle Verfahren zur Untersuchung der Verteilung der Elektricität ein.

Der einfachste Fall ist der einer Kugel. Die Potentialfunktion einer Kugelschale vom Radius R, welche die Elektricitätsmenge Q enthält, ist nur unter der Voraussetzung, daß die Dichtigkeit an allen Stellen die gleiche ist, auf der Fläche und im Innern überall

$$V = \frac{Q}{R}$$
.

In dem Falle sind also die Niveauflächen Kugeln. Bei einer mit Elektricität geladenen Kugel muß also die Dichtigkeit der Elektricität an allen Stellen dieselbe sein, oder sie ist einfach

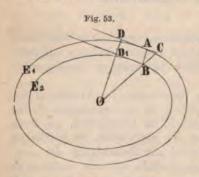
$$h = \frac{Q}{4\pi R^2}$$

gleich dem Quotienten aus der Menge und der Größe der Kugelfläche. Die Menge der auf einer Kugel vorhandenen Elektricität ausgedrückt durch die Potentialfunktion ist

$$Q = R \cdot V \cdot$$

Die Kapacität der Kugel ist somit gleich ihrem Radius.

Beim Ellipsoid erhalten die verschiedenen Punkte schon eine verschiedene Dichtigkeit; berechnet man das Potential einer homogenen ellipsoidischen Schale, das heißt einer Schale, welche von zwei konzentrischen Ellipsoiden begrenzt ist, deren homologe Axen in demselben Verhältnisse zu einander stehen, so findet man, daß dasselbe im Innern überall den selben Wert hat, und daß somit die Oberfläche desselben eine Niveaufläche ist. Wenden wir diesen Satz zur Bestimmung der elektrischen Dichtigkeit an, so folgt, daß die Dichtigkeiten an den verschiedenen Stellen sich verhalten müssen, wie die Dicken einer solchen Schale an eben diesen Stellen. Denn bezeichnen wir mit ε die wenn auch unmeßbar kleine Dicken



der elektrischen Schicht, mit x, wie früher, die räumliche Dichtigkeit, so war nach unserer Definition die elektrische Dichtigkeit

$$h = \varkappa \cdot \varepsilon$$
.

Da nun für eine homogene ellipsoidische von zwei konzentrischen ähnlichen Ellipsoiden begrenzte Schale die Oberfläche eine Niveaufläche ist, so folgt, daß sich die Elektricität in einer solchen Schale auf einem Ellipsoid ausbreiten muß. Sind nun ε_1 und ε_2 die

Dicken einer solchen Schale an zwei verschiedenen Stellen, h_1 und h_2 die entsprechenden Dichtigkeiten, so folgt

$$h_1:h_2=\varepsilon_1:\varepsilon_2.$$

Um das Verhältnis dieser Dicken zu bestimmen, seien Fig. 53 E_1 E_2 die Durchschnitte durch das äußere und innere Begrenzungs-

ellipsoid, und AB die Dicke der Schicht im Punkte A. Da AB senkrecht zu den Elementen der Ellipsoide A und B ist, so ist es der senkrechte Abstand der beiden an diese Punkte der Ellipsoide gelegten Tangentialebenen. Ist nun OD die von dem Mittelpunkte O der Schale auf die an A gelegte Tangentialebene gezogene Senkrechte, D_1 der Punkt, wo diese Senkrechte die an B gelegte Tangentialebene trifft, OC der durch B gelegte Halbmesser, so ist

$$AB:OD = BC:OC$$

 $AB:OD_1 = BC:OB$

Setzen wir das Verhältnis der homologen Axen, welches dasselbe ist, wie jenes der homologen Halbmesser,

$$\frac{OC}{OB} = 1 + \alpha,$$

so ist

$$\frac{BC}{OB} = \frac{OC - OB}{OB} = \alpha,$$

somit auch

$$AB = \alpha \cdot OD_1.$$

Setzen wir nun den Abstand der an B gelegten Tangentialebene vom Mittelpunkte O oder OD_1 gleich p, so wird

$$AB = \varepsilon = \alpha \cdot p$$

und

$$h_1:h_2=p_1:p_2.$$

Die Dichtigkeiten der Elektricität an den verschiedenen Punkten eines Ellipsoides verhalten sich wie die Abstände der an diese Punkte gelegten Tangentialbenen von dem Mittelpunkte des Ellipsoides.

Um die Dichtigkeit an den verschiedenen Punkten zu berechnen, seien a, b, c die Axen des innern Ellipsoides, dann ist dessen Volumen

$$\frac{4}{3}$$
 πabc .

Das Volumen des äußern ist, da dessen Axen sind $a(1 + \alpha)$, $b(1 + \alpha)$, $c(1 + \alpha)$,

$$\frac{4}{3} \pi abc (1 + \alpha)^3 = \frac{4}{3} \pi abc (1 + 3\alpha).$$

Das Volumen der Schale somit

$$4\pi abc \alpha$$
.

Ist x die Dichtigkeit der Elektricität in der Schale, so ist die gesamte Elektricitätsmenge

$$Q = 4\pi abc \alpha x$$
.

Für die Stelle, an welcher die Schale die Dicke $\varepsilon = \alpha \cdot p$ hat, ergiebt sich daraus für die Dichtigkeit h der Elektricität auf der Oberfläche des Ellipsoides

$$h = \pi \alpha p = \frac{Q}{4\pi abc} \cdot p$$

Ist die Lage des Punktes B auf dem Ellipsoide durch seine Koordinaten x, y, z gegeben, deren Richtung parallel den drei Axen a, b, c ist, und deren Anfangspunkt der Mittelpunkt 0 ist, so liefert die analytische Geometrie für p den Ausdruck

$$p = \frac{1}{\sqrt{\frac{x^2}{a^4} + \frac{y^2}{b^4} + \frac{z^2}{c^4}}},$$

und damit wird h

$$h = \frac{Q}{4\pi abc} \frac{1}{\sqrt{\frac{x^2}{a^4} + \frac{y^2}{b^4} + \frac{z^2}{c^4}}}.$$

An den Enden der drei Axen verhalten sich darnach die Dichtigkeiten wie die Längen der Axen selbst, da die Axen senkrecht sind zu den an ihre Endpunkte gelegten Tangentialebenen.

Bei einem Rotationsellipsoid ist die Dichtigkeit an allen Punkten des Äquatorialschnitts dieselbe, von da ab nimmt sie stetig zu oder ab bis zum Endpunkt der Umdrehungsaxe.

Aus dem Ausdrucke für die Verteilung der Elektricität auf einem Ellipsoide kann man unmittelbar die Verteilung auf einer elliptischen Platte ableiten, indem man eine solche Platte als ein Ellipsoid betrachtet, dessen eine Axe, etwa c, verschwindend klein ist. Aus der Gleichung des Ellipsoides

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$$

erhalten wir zunächst

$$\frac{z^2}{c^4} = \frac{1}{c^2} \left(1 - \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} \right),$$

und indem wir diesen Ausdruck in die Gleichung für h einführen,

$$h = \frac{Q}{4\pi ab} \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{a^2 - c^2}{a^4} x^2 - \frac{b^2 - c^2}{b^4}}} y^2.$$

Setzen wir hierin c=0, wodurch das Ellipsoid in eine elliptisch begrenzte Fläche übergeht, so wird

$$h = \frac{Q}{4\pi ab} \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2}}}$$

Setzen wir in diesem Ausdrucke schließlich a=b, so geht die elliptische Platte in eine kreisförmige über und die Dichtigkeit auf derselben wird

$$h = \frac{Q}{4\pi a^2} \sqrt{1 - \frac{x^2 + y^2}{a^2}}.$$

Für alle Punkte eines um den Mittelpunkt der Platte gelegten Kreises vom Radius r wird

$$x^2 + y^2 = r^2$$

und damit

$$h = \frac{Q}{4\pi a^2} \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{r^2}{a^2}}}.$$

In allen Punkten eines um den Mittelpunkt der Platte gelegten freises ist somit die Dichtigkeit dieselbe, die Dichtigkeit wüchst vom fittelpunkte bis zum Rande, und am Rande, wo a = r, würde die Dichigkeit unendlich groß. Dabei ist indes vorausgesetzt, daß die Platte mendlich dünn wäre; bei wirklich ausführbaren Platten, die eine endiche Dicke haben, ist am Rande die Dichtigkeit eine endliche.

Selbst bei einer unendlich dünnen Platte, auf welcher h für r=a mendlich wird, ist keineswegs die Elektricität vorwiegend am Rande aufgepeichert, weil die unendliche Dichtigkeit nur auf einem unendlich chmalen Kreise, strenge nur auf einer Kreislinie vorhanden wäre. Man rkennt das direkt¹), wenn man die Elektricitätsmenge berechnet, welche uf einem centralen kreisförmigen Stücke der Platte vorhanden, und jene, welche auf dem übrig bleibenden Ringe vorhanden ist. Die auf einem linge, dessen innerer Radius r, dessen Breite dr ist, vorhandene Elekricität ist

$$2\pi h r dr = \frac{Q}{2a^2} \frac{r dr}{\sqrt{1 - \frac{r^2}{a^2}}};$$

ie auf einer centralen Kreisfläche vom Radius e vorhandene ist somit

$$Q_1 = \int_{2}^{\varrho} \frac{Q}{2a} \frac{r dr}{\sqrt{a^2 - r^2}} = \frac{Q}{2} \left(1 - \sqrt{1 - \frac{\varrho^2}{a^2}} \right);$$

le auf dem äußern Ringe vorhandene ergänzt die auf dem centralen reise vorhandene zu $^{1}/_{2}$ Q, da Q die auf der ganzen Platte, also die auf beiden Seiten derselben vorhandene Elektricität ist. Es ist demnach ie auf dem Ringe vorhandene Menge Q_{2}

$$Q_2 = \frac{Q}{2} \sqrt{1 - \frac{\mathbf{q}^2}{a^2}},$$

rie sich auch durch direkte Berechnung ergeben hätte, wenn wir das ntegral von $r = \varrho$ bis r = a genommen hätten. Ist z. B. $\varrho = 0.8 a$, so ist

$$Q_1 = 0.4 \frac{Q}{2}$$
 $Q_2 = 0.6 \frac{Q}{2}$

während die Größe der centralen Fläche 0,64 der ganzen Fläche ist.

Um die Kapacität einer kreisförmigen Platte zu bestimmen, müssen wir die Potentialfunktion in derselben berechnen. Wir berechnen zu dem Zwecke die Potentialfunktion für einen in der Axe der Platte liegenden Punkt und setzen in dem sich ergebenden Werte der Potentialfunktion den Abstand des Punktes von der Platte gleich null. Wir bekommen so den Wert der Potentialfunktion für den Mittelpunkt der Platte, welcher, da wir wissen, dass der Wert der Potentialfunktion an allen Stellen der Platte derselbe ist, gleichzeitig für die ganze Platte gilt.

¹⁾ Clausius, Mechanische Wärmetheorie II. Bd. S. 17.

Für einen Ring vom Radius r und der Breite dr ist die Potfunktion in Bezug auf einen Punkt, welcher sich im Abstande z vor Platte befindet,

$$\frac{2\pi r \, dr \cdot h}{\sqrt{r^2 + z^2}} = \frac{2\pi r \, dr}{\sqrt{r^2 + z^2}} \cdot \frac{Q}{4\pi a} \frac{1}{\sqrt{a^2 - r^2}}.$$

Integrieren wir diesen Ausdruck von r=0 bis r=a, so erhalte die Potentialfunktion der auf der einen Seite der Platte befind Elektricität in dem betrachteten Punkte. Da die andere Seite der die gleiche Elektricitätsmenge besitzt und da diese bei der vorausgemendlich geringen Dicke der Platte von dem betrachteten Punk gleiche Entfernung hat, so ist das Doppelte des soeben definierten grals die Potentialfunktion der auf der Platte überhaupt befind Elektricität im Punkte z. Dieselbe ist somit

$$V = \int_{0}^{a} \frac{Q}{2a} \frac{2r dr}{\sqrt{r^{2} + z^{2}} \sqrt{a^{2} - r^{2}}}.$$

Setzt man hierin

$$\sqrt{\frac{a^2-r^2}{r^2+z^2}}=t,$$

so bringt man das Integral leicht auf die Form

$$V = -\int_{2a}^{\cdot} \frac{Q}{2a} \, 2 \, \frac{dt}{1+t^2},$$

wo dann als untere Grenze entsprechend r=0 für t einzusetz $\frac{a}{z}$, und als obere Grenze entsprechend r=a für t sich der Wert giebt. Da der Differentialausdruck unter dem Wurzelzeichen das rential von arc $(\tan g=t)$ ist, so folgt

$$V = \frac{Q}{2a} \cdot 2 \operatorname{arc} \left(\tan g = \frac{a}{z} \right) \cdot$$

Wird für den Mittelpunkt der Platte hierin z=0 gesetzt, so die Tangente unendlich, somit der Bogen gleich $\frac{\pi}{2}$. Demnach wi die Platte

$$V = \frac{\pi}{2a} Q$$

oder

$$Q = \frac{2a}{\pi} V.$$

Die Kapacität einer kreisförmigen Platte ist somit gleich dem leder Platte dividiert durch $\frac{\pi}{2}$; dieselbe ist also gleich der Kapacität Kugel vom gleichen Radius dividiert durch $\frac{\pi}{2}$. Da die Kugelober doppelt so groß ist als die Oberfläche der Platte, so folgt, daß die cität einer Platte relativ erheblich größer ist als diejenige einer R

Wir bemerken hier, dass wie es die Beispiele von Kugel und zeigen, allgemein die Dimension einer Kapacität diejenige einer Lin

Diese Bemerkung gestattet uns sofort die Dimension der Potentialunktion zu bestimmen, indem das Produkt der Potentialfunktion und der sapacität, also einer Länge eine Elektricitätsmenge bedeutet. Da nach §. 31

$$Q = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{3/2} \tau^{-1} \right] = \lambda V,$$

o folgt

$$V = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{1/2} \tau^{-1} \right],$$

Forin z wie immer in dieser Bezeichnung eine Zahl, μ , λ , τ die Einleiten der Masse, Länge und Zeit bedeuten.

Der Satz, dass die Potentialfunktion auf einem Leiter überall den gleichen Wert hat, gestattet uns auch sosort den Wert der elektrischen Energie eines geladenen Leiters, oder was dasselbe ist, die zur Ladung les Leiters erforderliche Arbeit zu bestimmen. Nach §. 9 ist die Arbeit, welche zur Ladung eines elektrischen Leiters aufzuwenden ist, das Potential ler Ladung auf sich selbst; denn der unelektrische Leiter hat das Potenial null; da nun die zur Änderung eines Systemes von Agentien, also such eines elektrischen Leiters, erforderliche Arbeit die Änderung des Potentials des Systems auf sich selbst ist, so folgt, dass das Potential eines elektrischen Systemes auf sich selbst die zur Herstellung des elektrischen Zustandes aufzuwendende Arbeit, die Energie des Systemes ist. Ist demnach V der Wert der Potentialfunktion der Elektricität eines Leiters an der Stelle, wo das Element dq der Elektricität sich befindet, so ist

$$W = \frac{1}{2} \int V dq$$

las Potential des geladenen Leiters auf sich selbst. Da V für alle Elemente dq denselben Wert hat, ist

$$W = \frac{1}{2} V \int dq = \frac{1}{2} V Q,$$

iko gleich dem halben Produkte der Potentialfunktion des geladenen Leiters in die auf demselben vorhandene Elektricitätsmenge.

Die Resultate der Theorie der elektrischen Verteilung auf einzeln stehenden, von jedem sonstigen elektrischen Einfluss freien Leitern sind bestätigt und in Fällen, wo die Theorie wegen zu großer Verwicklung der Rechnung nicht durchzudringen vermochte, erweitert durch die Versuche von Coulomb, Riess u. a.

Um die Dichtigkeit der Elektricität an den verschiedenen Punkten eines elektrisierten Körpers zu untersuchen, hat zuerst Coulomb¹) eine indirekte Methode angewandt, diejenige der Prüfungskörper. Berührt man an irgend einem Punkte einen elektrisierten Körper mit einem isolierten und so kleinen Körperchen, z. B. einer kleinen Kugel oder Scheibe von Goldpapier, daß durch Anlegung desselben die Oberfläche des Körpers nicht merklich geändert wird, so wird nicht nur auf dem angelegten Körperchen die Potentialfunktion dieselbe wie auf dem elektrisierten Körper, sondern sie wird auch diejenige, welche auf dem elektrisierten Körper vor Anlegen des kleinen Körperchens vorhanden war. Da ausdrücklich vorausgesetzt wird, daß durch das angelegte Körperchen die Form des elektri-

¹⁾ Coulomb, Mémoires de l'Acad. de Paris 1787.

sierten Körpers nicht merklich geändert wird, so wird die Dichtigkeit der Elektricität auf dem Körperchen genau die, welche an der Stelle des elektrisierten Körpers vorhanden ist, da die Dichtigkeit der Elektricität durch den Differentialquotienten der Potentialfunktion nach der Normalen an der betreffenden Stelle gegeben ist. Der angelegte Körper, vorausgesetzt er ist immer derselbe, wird daher eine der am berührten Punkte vorhandenen proportionale Elektricitätsmenge annehmen Coulomb therzeugte sich davon durch folgenden Versuch. Eine Kugel wurde elektrisiert, dann an einem Punkte mit einer kleinen Kugel berührt und die Elektricität der kleinen Kugel in der Torsionswage gemessen. Dann wurde die elektrisierte Kugel mit einer anderen genau gleich großen berührt, und so die auf ihr vorhandene Elektricitätsmenge halbiert. Sie wurde darauf nochmals mit der kleinen Kugel berührt und deren Elektricität gemessen; es fand sich mit Berücksichtigung der Zerstreuung, dass auch die kleine Kugel dann die Hälfte der früheren Elektricität besafs. Es folgt somit, dass die kleine Kugel jedesmal eine der an der Berührungsstelle vorhandenen proportionale Elektricitätsmenge aufnimmt.

Berührt man nun mit einem solchen Prüfungskörper, wozu man am besten eine Kugel nimmt, wenn man ebene, eine Scheibe, wenn man gekrümmte Oberflächen untersucht, einen Punkt des zu untersuchenden Körpers und mißt die Elektricität desselben, indem man ihn als Standkugel in die Torsionswage bringt, so ist, wenn h die Dichtigkeit der Elektricität des berührten Punktes und a ein konstanter Koefficient ist,

$$c = a \cdot h$$

Berührt man darauf mit demselben Prüfungskörper eine andere Stelle des elektrisierten, an welcher die Dichtigkeit der Elektricität h' ist, und hat der Prüfungskörper die Elektricität e' erhalten, so ist

$$e' = a \cdot h'$$

und somit

$$\frac{e}{e'} = \frac{h}{h'},$$

oder das Verhältnis der auf dem Prüfungskörper gefundenen Elektricitäten ist gleich dem der elektrischen Dichtigkeiten an den berührten Stellen¹).

Soll indes diese Messung uns das Verhältnis der gleichzeitigen Dichtigkeit an den berührten Stellen liefern, dann bedürfen die Messungen einer Korrektion wegen der Zerstreuung. Denn während der Zeit der ersten Messung ist auf dem ganzen Körper die elektrische Dichtigkeit infolge der Zerstreuung kleiner geworden, also auch an dem zuerst berührten Punkte; das durch den Versuch gefundene Verhältnis giebt also die Dichtigkeit des ersten Punktes im Verhältnis zu dem zweiten zu groß. Man muß daher die zweite Messung mit Hilfe des Zerstreuungskoefficienten auf den Zeitpunkt der ersten reduzieren.

Um dieses zu thun, wandte Coulomb alternierende Messungen an, d.b. er berührte zuerst den einen Punkt a des Leiters, dann nach Vollendung

¹⁾ Man sehe darüber auch Maxwell, Treatise on electricity and magnetismpart. I. p. 277 ff., deutsche Übersetzung der zweiten Auflage von Dr. Weinstein, Bd. I. Art. 223 S. 356 ff.

der Messung den zweiten b, dann wieder nach vollendeter Messung, welche ebenso lange dauerte als die erste, etwa 3 Minuten, wieder die Stelle a, dann meistens noch einmal wieder b und schließlich noch einmal a. Wenn der Zerstreuungskoefficient während der Dauer der Versuche konstant und nur klein war, so darf man annehmen, daß das arithmetische Mittel der für a bei den beiden ersten Messungen gefundenen Dichtigkeiten h und h, die Dichtigkeit ist, welche zur Zeit der ersten Messung der in b vorhandenen Dichtigkeit h' in a vorhanden war. Das gesuchte Verhältnis der gleichzeitig in a und b vorhandenen Elektricitäten ist somit

$$\frac{h+h_1}{2h'}.$$

Sind die bei dem vierten und fünften Versuche in a und b gefundenen Elektricitätsmengen h_2 und h'_1 , so ist ebenso auch das gesuchte Verhältnis

 $\frac{2h_1}{h'+h'_1}$ und $\frac{h_1+h_2}{2h'_1}$.

Man erhält also auf diese Weise drei Werte für das gesuchte Verlältnis, deren arithmetisches Mittel, da alle drei gleiches Gewicht haben, der Wahrheit am nächsten kommt.

Die Methode von Coulomb kann nur beschränkte Anwendung finden, nur dann, wenn der Zerstreuungskoefficient klein und die elektrische Dichtigkeit auf dem untersuchten Körper so groß ist, daß sie die häufige Berührung verträgt. Immer aber setzt sie voraus, daß die verglichenen Dichtigkeiten auf demselben Körper sind, da sonst, wenn sie auf verschiedenen Körpern sich befinden, wegen Ungleichheit der isolierenden Stützen der Elektricitätsverlust verschieden ist.

Riess 1) hat daher diese Methode durch eine andere ersetzt, welche wter allen Umständen genaue Resultate zu geben geeignet ist, durch die Methode mit gepaarten Prüfungskörpern. Er stellt zwei Prüfungskörper von genau gleicher Beschaffenheit her, so dass jeder bei Berührung derselben Stelle auch genau die gleiche Elektricitätsmenge annimmt. Diese berrustellen ist allerdings schwierig, aber Riess beschreibt ein Verfahren, mit welchem es gelingt; wir verweisen deswegen auf die Arbeit von Riess. Die beiden, auf ihre elektrischen Dichtigkeiten zu vergleichenden Stellen verden dann gleichzeitig oder möglichst rasch nach einander jede mit einem weser Prüfungskörper berührt. Der eine derselben wird sofort als Standlugel in die Torsionswage gebracht, der andere unter einer der Torsionswage an Größe gleichen Glasglocke isoliert befestigt. Man mißt die Elektricitätsmenge des in der Wage befindlichen Prüfungskörpers und notiert den Zeitpunkt, wann die Messung beendigt ist. Darauf bringt man den anderen Prüfungskörper in die Wage, misst wie vorhin und bemerkt den Zeitpunkt der vollendeten Messung, so daß man die zwischen der ersten und zweiten Messung verstrichene Zeit erhält. Darauf dreht man den Torsionskreis in der Wage um eine bestimmte Anzahl Grade zurück und beobachtet die Zeit, wann die Elongation des Wagebalkens wieder die

¹⁾ Riess, Abhandlungen der Berliner Akademie 1844. Reibungselektricität. B4. I.

frühere geworden ist. Letzterer Versuch liefert uns nach § 34 der streuungskoefficienten für den Prüfungskörper, mit Hilfe dessen w durch die erste Messung mit dem zweiten Prüfungskörper gefundene tricitätsmenge auf den Zeitpunkt der Messung des ersten Prüfungskzurückführen. Die so berechnete Elektricitätsmenge, verglichen m am ersten Prüfungskörper beobachteten, liefert uns das Verhältnielektrischen Dichtigkeiten an den berührten Stellen.

Ein ganz ebensolches Verfahren dient zur Untersuchung, o Prüfungskörper vollkommen gleich sind; man berührt mit denselber fach unmittelbar nach einander denselben Punkt eines elektrisierten Kt und verfährt ganz in der eben beschriebenen Weise. Die schließliche nung muß für das Verhältnis der mit den Prüfungskörpern gemei Elektricitäten ein von der Einheit nur wenig verschiedenes Resultat

Coulombs Versuche, welche vor den Poissonschen Rechnunge gestellt waren, lieferten für Kugel und Ellipsoid mit der Theorie einstimmende Resultate. Außerdem hat Coulomb noch einige a Leiter untersucht. So fand Coulomb¹) für die Dichtigkeiten an de schiedenen Punkten eines eirea 5 cm dicken und 0,8 m langen Cyldessen Enden durch Halbkugeln geschlossen waren, diejenige in der gleich 1 gesetzt,

Die elektrische Dichtigkeit, welche natürlich auf einem zur Cylaxe senkrechten Kreise überall dieselbe ist, nimmt also von der nach den Enden hin stetig, anfangs sehr langsam, später rascher

Je länger der Cylinder ist, um so größer ist die Strecke auf Seiten der Mitte, bis zu welcher die Dichtigkeit nur sehr wen nimmt, dieselbe ist fast genau gleich derjenigen auf der Mitte. Auf unendlich langen Cylinder würde die Dichtigkeit überall dieselbe Wir können diesen Satz auch aus dem Ausdrucke für die Dich auf einem Ellipsoide ableiten. Wir können einen Kreiscylinder a Rotationsellipsoid betrachten, dessen Rotationsaxe unendlich lang ist. wir in der Gleichung des Ellipsoides a=b, so wird

$$\frac{x^2+y^2}{a^4} = \frac{1}{a^2} \left(1 - \frac{z^2}{c^2}\right),$$

und damit der Ausdruck für die Dichtigkeit auf einem Rotationsell

$$h = \frac{Q}{4\pi a^2 c} \sqrt{\frac{1}{a^2} - \frac{z^2}{c^2} \begin{pmatrix} 1 & -\frac{1}{a^2} \\ a^2 & c^2 \end{pmatrix}},$$

und dieser Ausdruck wird, wenn unter dem Wurzelzeichen das Glied, wenn $c = \infty$, fortfällt,

$$h = \frac{Q}{4\pi ac}.$$

1_7...

¹⁾ Coulomb, Mémoires de lA'cad. de Paris 1788. Biot, Traité de ph. T. II. Riess, Reibungsel. Bd. I.

Die Dichtigkeit ist konstant, und da 2c die Länge des Cylinders ist, gleich dem Quotienten aus der auf dem Cylinder vorhandenen Menge dividiert durch die Oberfläche des Cylinders.

Bei einer kreisförmigen Kupferscheibe von eirea 27 em Durchmesser fand Coulomb, daß vom Centrum bis ungefähr zur Hälfte des Radius die Dichtigkeit sich nur wenig änderte, dann aber rasch zunahm und am Rande am größten war. Die Zahlen sind

intfernung vom Rande	Dichtigkeiten	
	beobachtet	berechnet
13,5 cm (Mitte)	1,000	1,000
10,8 "	1,001	1,020
8,1 ,,	1,005	1,090
5,4 ,,	1,170	1,250
2,7 . ,,	1,520	1,670
1,35 ,,	2,070	2,290
am Rande	2,900	00

Der Gang der beobachteten und berechneten Zahlen ist im großen und ganzen derselbe, indes ist, der vorher bei der kreisförmigen Platte gemachten Bemerkung entsprechend, die Zunahme der Dichtigkeit nach dem Rande zu eine etwas geringere als bei einer unendlich dünnen Platte, für welche die Rechnung aufgestellt wurde. Gleichzeitig erkennt man, wie von der Mitte aus die Dichtigkeit gegen den Rand hin erst sehr langsam zunimmt, so zwar, daß man bis zur Hälfte des Radius etwa die Dichtigkeit als konstant ansehen kann. Eine starke Zunahme der Dichte findet erst in etwa dem letzten Viertel des Radius statt.

Ähnliches zeigte sich bei Untersuchung einer rektangulären Platte von eirea 20 cm Länge, 2,7 cm Breite und 2,25 mm Dicke. Bis ungefähr 2,7 cm vom Ende war die Dichtigkeit überall dieselbe und die gleiche wie in der Mitte des Streifens, von da ab nahm sie rasch zu und um Ende war die Dichte doppelt so groß als auf dem konstanten Teile is Streifens. Wurde die Prüfungsscheibe an der Endkante als Verlängerung des Streifens angesetzt, so fand sich die Dichtigkeit viermal in groß.

Riess hat die Verteilung auf einem Würfel untersucht¹). Setzte er die Dichtigkeit in dem Mittelpunkte einer Würfelfläche gleich 1, so nahm sie auf der Diagonale vom Mittelpunkte bis zur Ecke des Würfels zu von 1 bis 2,91, auf einer zur Kante senkrechten Linie von 1 bis zu 2,03. Auf die Kante aufgesetzt gab die Prüfungsscheibe die Dichtigkeit 2,42 und auf die Ecke aufgesetzt 4,22. Also auch hier wieder nimmt die Dichtigkeit gegen die Kanten und Ecken hin bedeutend zu.

Aus diesen Erfahrungen ergiebt sich für Körper, auf welchen man längere Zeit bedeutende Elektricitätsmengen halten will, die Regel, daß man sie ohne scharfe Kanten und Ecken herstellen soll, da an diesen regen der großen Dichtigkeit ein bedeutender Verlust von Elektricität lurch Zerstreuung stattfindet.

¹⁾ Riess, Abhandlungen der Berliner Akademie. 1844.

§. 40.

Verteilung der Elektricität auf mehreren leitend verbunde Leitern. Derselbe Satz, welcher der Berechnung der Verteilung auf e einzelnen Leiter zu Grunde liegt, setzt uns auch in den Stand die teilung einer gegebenen Elektricitätsmenge auf mehreren Leitern zu rechnen, welche mit einander in leitender Verbindung stehen. Da c die leitende Verbindung das ganze System von Leitern zu einem ein Leiter geworden ist, so ist die Bedingung des Gleichgewichtes dies wie für den einzelnen Leiter, die Potentialfunktion der vorhandenen l tricität muß an jedem Punkte im Innern und an der Oberfläche verbundenen Leiter einen und denselben Wert haben, oder mit ar Worten, die Elektricität muß sich so über die verbundenen Oberfläverteilen, daß die Oberfläche der verbundenen Leiter für die Elektrieine Niveaufläche wird.

Aus diesem Grundsatze läst sich sofort ableiten, wie sich die l tricität auf zwei Leitern verbreiten muss, die durch einen Draht in bindung gesetzt werden, also auch, welche Ladung man einem geget Leiter durch eine kurz dauernde Verbindung mit einem Kondukton teilen kann. Während der Verbindung geht auf den Leiter eine s Menge von Elektricität über, dass die Potentialfunktion der gesa Elektricität auf dem geladenen Konduktor und dem damit verbund Leiter denselben Wert hat, oder dass, wie man es kurz bezeichnet, Potentialniveau dasselbe wird. Die dem Leiter so mitgeteilte Elektrichte bleibt ihm auch, wenn wir die Verbindung unterbrechen. Die Anord der Elektricität kann aber nach Unterbrechung der leitenden Verbin eine andere werden.

In einem bestimmten Falle kann man für die Mengen, welche Herstellung der Verbindung sich auf jedem der verbundenen Leiter finden, leicht den mathematischen Ausdruck finden, nämlich dann, wir annehmen, die Dimensionen des verbindenden Drahtes seien versel dend klein gegenüber den Dimensionen der verbundenen Leiter, der stand der beiden Leiter von einander sei aber so groß, daß die Poterfunktion jedes der Leiter bei der ihm zu erteilenden Ladung in den andern Leiter angehörigen Punkten gleich null gesetzt werden könne. erste Bedingung gestattet uns nämlich die auf dem Verbindungsdraht handene Elektricitätsmenge gleich null zu setzen. Hat also der Kondi vor der Verbindung mit dem Leiter die Elektricitätsmenge Q, und von dieser auf den Leiter die Menge Q_1 über, während auf dem duktor die Menge Q_2 zurückbleibt, so ist

$$Q_1 + Q_2 = Q.$$

Nennen wir den Wert der Potentialfunktion, welchen die Elek tätsmenge eins in dem Leiter an jedem Punkte der Oberfläche hat, der andere Leiter nicht vorhanden wäre, A_1 , so ist unter derselben aussetzung der Potentialwert der Elektricitätsmenge Q_1 gleich $A_1 Q_1$. wir den Abstand des Konduktors von dem Leiter als so groß vorgesetzt haben, daß sie sich gegenseitig gar nicht beeinflussen, so köwir den Potentialwert der gesamten vorhandenen Elektricität auf

Leiter gleich A_1 Q_1 setzen. Ebenso erhalten wir für den Konduktor den Potentialwert A_2 Q_2 , wenn A_2 den Potentialwert auf demselben bedeutet, wenn ihm die Elektricitätsmenge eins mitgeteilt ist. Da die beiden Körper in leitender Verbindung stehen, so muß die Potentialfunktion auf beiden denselben Wert haben, es muss

$$A_1 Q_1 = A_2 Q_2.$$

Aus diesen beiden Gleichungen erhält man

$$Q_1 = \frac{A_2}{A_1 + A_2} \cdot Q; \qquad Q_2 = \frac{A_1}{A_1 + A_2} \cdot Q.$$

Sind die beiden in Verbindung gebrachten Leiter Kugeln vom Radius R_1 und vom Radius R_2 , so ist

$$A_1 Q_1 = \frac{Q_1}{R_1}; \qquad A_2 Q_2 = \frac{Q_2}{R_2},$$

und daraus folgt

$$Q_1 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot Q;$$
 $Q_2 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot Q.$

Die vorher auf der einen Kugel allein vorhandene Elektricität teilt sich nach Herstellung der Verbindung über beide Kugeln nach dem Verbältnis der Radien. Für die Dichten der Elektricität auf den beiden Kugeln ergiebt sich daraus, daß sie sich umgekehrt wie die Radien verhalten. Dem die Dichten auf beiden Kugeln sind

$$h_1 = \frac{Q_1}{4 R_1^2 \pi} \; ; \qquad h_2 = \frac{Q_2}{4 R_2^2 \pi} \; ,$$

somit

$$h_1: h_2 = R_2: R_1.$$

In dem Maße also, wie der Radius der einen Kugel kleiner ist als mer der andern, ist die Dichtigkeit auf ihr die größere.

Verbinden wir einen irgendwie geformten Leiter mit einer Kugel vom Lidius R_1 , so erhalten wir

$$Q_1 = \frac{R_1 A_2}{1 + R_1 A_2} \cdot Q; \qquad Q_2 = \frac{1}{1 + R_1 A_2} \cdot Q.$$

Ist der Radius der Kugel gegenüber den Dimensionen des Konduktors mendlich groß, so wird

$$Q_1 = Q; \quad Q_2 = 0.$$

Letzteres ist z. B. der Fall, wenn wir einen Leiter direkt mit der Erde in Verbindung setzen, da deren Dimensionen gegenüber allen herstellbaren Leitern unendlich groß sind; es folgt somit die schon früher erkannte Erfahrung, daß ein mit der Erde verbundener Leiter keine freie Elektricität enthalten kann, die gesamte Elektricität geht in die Erde ber. Die Dichtigkeit der Elektricität auf derselben ist aber immer verchwindend klein oder null, weil solange Q einen endlichen Wert hat, für ein unendlich großes R_1

$$h_1 = \frac{Q}{4R_1^2\pi} = 0.$$

Ebenso ergiebt sich, dass welche Elektricitäten wir auch bei unsern Versuchen der Erde mitteilen, die elektrische Potentialfunktion der Erde immer gleich null sein muss, es folgt also, dass stets und unter allen Umständen die Potentialfunktion auf einem mit der Erde verbundenen Leiter gleich null sein muss.

Ist der Radius der mit dem Leiter verbundenen Kugel gegenüber den Dimensionen des Leiters sehr klein, so daß also der Wert des Produkter R_1 A_2 gegenüber dem Werte 1 vernachlüssigt werden darf, so ist Q_1 merklich gleich Q_2 , dagegen Q_1 sehr klein. Trotzdem ist aber die Dichtigkeit h_1 auf der kleinen Kugel sehr groß und um so größer, je kleiner R_1 ist, da in dem Ausdrucke für h_1 im Nenner R_1 steht, somit h_1 geschrieben werden kann

$$h_1 = \frac{R_1}{4R_1^2 \pi} \frac{A_2}{Q} = \frac{A_2}{4R_1 \pi} \frac{Q}{Q}$$

Wird R_1 unendlich klein, das heißt geht die Kugel in eine Spitze über, so wird h_1 unendlich groß. Die Dichtigkeit der Elektricität auf einer an einem guten, mit Elektricität versehenen Leiter angebrachten Spitze würde demnach unendlich groß sein. Wir werden sehen, daß irfolgedessen ein mit einer vollkommenen Spitze versehener Leiter nicht elektrisiert werden kann.

Während so die Elektricitäten auf den einzelnen Teilen verbundenst Leiter sich leicht bestimmen lassen, wenn dieselben durch einen hinreichend langen dünnen Draht mit einander verbunden sind, so daß wir den Einflaß des einen Leiters auf den andern vernachlässigen dürfen, ist die Berechnung mit großen Schwierigkeiten verknüpft, wenn die Leiter durch kurze Verbindungsstücke verbunden, oder in unmittelbarer Berührung sind. Es folgt das unmittelbar aus der im vorigen Paragraphen gemachten Bemerkung, daß nur bei geometrisch sehr einfachen Oberflächen überhaupt die Rechnungen durchführbar sind, und der Erwägung, daß bei zusammengesetzten Leitern die Oberfläche niemals eine einfache Gestalt haben kann.

Wir begnügen uns hier deshalb damit, einzelne experimentell untersuchte Fälle zu betrachten, indem wir nach den Versuchen Coulombs die mittlere Dichtigkeit auf sich berührenden Leitern angeben, und in einem einzelnen Falle die Verteilung auf jedem der sich berührenden Leiter.

Um die mittlere Dichtigkeit mehrerer sich berührender Kugeln expermentell zu bestimmen, kann man dieselben in Berührung elektrisieren, dans so weit von einander entfernen, das sie gegenseitig nicht merklich mehr auf einander einwirken, und sie dann mit der Prüfungsscheibe untersuchen. Ein anderes Verfahren ist, dass man zunächst die Standkugel der Torsionswage elektrisiert, die auf derselben vorhandene Elektricitätsmenge bestimmt, dann mit derselben eine zweite Kugel berührt und wieder die auf ihr zurückgebliebene Elektricitätsmenge bestimmt. Die sich aus der ersten und zweiten Messung ergebende Differenz ist die auf die berührte Kugelübergegangene Elektricitätsmenge. Dividiert man diese durch die Oberfläche der Kugel, so erhält man die mittlere Dichtigkeit der auf ihr vorhandenen Elektricität; dividiert man die zuletzt auf der Standkugel gefundene Elektricität durch die Oberfläche derselben, so hat man die Dichtigkeit der auf dieser verteilten Elektricität, während oder nachdem sie mit der großen Kugel in Berührung war.

Coulomb¹) untersuchte zunächst auf diese Weise die mittlere Dichkeit der Elektricität auf den verschiedenen Kugeln einer Reihe, welche le gleich groß und in Berührung mit einander elektrisiert waren; jede urde in der Torsionswage untersucht. Bei zwei Kugeln war die Dichkeit auf beiden ganz gleich.

Bei drei Kugeln war die Dichtigkeit auf den beiden äußeren gleich, f der mittleren 0,746 von derjenigen der äußeren Kugeln.

Bei einer Reihe von sechs Kugeln fanden sich folgende Dichtigkeiten:

Die Dichtigkeit ist also auf den beiden Endkugeln gleich und nimmt n da an gegen die Mitte ab, erst rasch, dann nur sehr langsam. Dasselbe gte sich bei einer Reihe von 12 und von 24 Kugeln, bei der ersteren ihe waren

Bei der Reihe von 24 Kugeln

40.

Für zwei Kugeln verschiedenen Durchmessers fand Coulomb, nachdem in Berührung elektrisiert waren, dass die Dichtigkeit auf der kleineren igel immer größer war als auf der größeren. Setzen wir die Dichtigkeit r großen Kugel gleich 1, so war sie auf der kleineren Kugel

Verhältnis der Durchmesser	Mittlere Dichtigkeit auf der kleinen Kugel	
	heobachtet	berechnet
1:2	1,08	1,16
1:4	1,30	1,32
1:8	1,65	1,44.

Die letzte Kolumne giebt die nach Poisson berechneten Dichtigkeiten i; wie man sieht, stimmt die Berechnung mit der Beobachtung, etwa ie letzte ausgenommen, vollständig überein.

Bei zwei Kugeln, deren Radien im Verhültnis 1:48 standen, fand oulomb die Dichtigkeit der kleinen Kugel nahe gleich 2, woraus er den chlus zog, dass die Dichtigkeit auf einer kleinen Kugel, deren Durchesser im Verhältnis zu dem der großen Kugel verschwindend klein ist, ie doppelte von derjenigen auf der großen sein würde. Nach den Rechungen Poissons wird diese Dichtigkeit indessen nicht erreicht.

Bei einer Reihe von kleineren Kugeln, welche eine große berührt, und gelegt ist, daß die Mittelpunkte aller Kugeln in einer geraden Linie legen, und welche in Berührung elektrisiert sind, ist die Dichtigkeit auf ler äußersten kleinen Kugel die größte, auf der die große berührenden

¹⁾ Coulomb, Mémoires de l'Acad. de Paris 1787.

die kleinste. Zwei Kugeln wurden in dieser Weise an eine Kugel von vierfachem Durchmesser gelegt, es waren die Dichtigkeiten auf

der äußersten kleinen	der mittleren kleinen	der grofen
100	29	48.

Als 24 solche Kugeln an die große gelegt wurden, waren die Dichtigkeiten auf

Nummer der Kugeln 24 23 ... 12 ... 2 1 der großen Elektrische Dichtigkeit 100 67 59 48 27 46.

Ebenso hat Coulomb das Verhältnis der mittleren Dichtigkeiten auf einer Kugel und daran gesetzten Cylindern verglichen. Es fand sich, daß das Verhältnis abhängig war von dem Durchmesser des Cylinders und in gewissen Grenzen auch von seiner Länge. Bei Cylindern von sehr kleinem Durchmesser nimmt nämlich die elektrische Dichtigkeit zu, bis seine Länge gleich dem Durchmesser der Kugel ist, von da an bleibt sie bei gleichem Durchmesser konstant. An eine Kugel von 22 cm Durchmesser wurde ein Cylinder von 4,5 mm Durchmesser und 1,3 cm Länge gelegt; die mittlere Dichtigkeit auf demselben war die doppelte jener auf der Kugel, sie nahm zu bis auf das Achtfache, als der Cylinder bis auf 16,5 cm verlängert wurde, und nahm dann bei weiterer Verlängerung kaum mehr zu

Sehr viel bedeutender ist der Einflus der Dicke des Cylinders bei gleicher Länge; je nach der Größe seines Durchmessers kann die mittlere Dichtigkeit kleiner oder größer sein als auf der Kugel. Bei Cylinder, deren Länge etwa das Vierfache des Kugeldurchmessers betrug, fand Coulomb folgende Dichtigkeit, jene auf der Kugel gleich 1 gesetzt:

Verhältnis des Cylinderzum Kugeldurchmesser 1 $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{8}$ $\frac{1}{48}$ Dichtigkeit auf dem Cyl. 0,60 0,85 1,3 2,0 9,0.

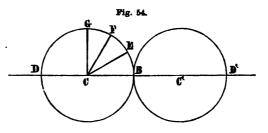
Beträgt also der Cylinderdurchmesser mehr als 0,33 des Durchmessers der Kugel, so ist die Dichtigkeit auf dem Cylinder kleiner, beträgt er weniger als 0,25, so ist die Dichtigkeit auf dem Cylinder größer; bei überhaupt nur kleiner Dicke des Cylinders ist die Dichtigkeitszunahme der Verkleinerung des Durchmessers proportional.

Die Verteilung der Elektricität auf den einzelnen sich berührenden Leitern muß nach der Theorie eine ganz andere sein, als auf einzeln stehenden Leitern; diese Verschiedenheit ist für sich berührende Kugeln von Coulomb experimentell nachgewiesen; die Rechnungen von Poisson stimmen mit den Beobachtungen von Coulomb fast vollständig überein.

Denkt man sich die Mittelpunkte zweier sich berührender Kugeln durch eine gerade Linie verbunden, und dann die Kugeln durch Ebenen geschnitten, welche zu dieser Linie senkrecht sind, so müssen auf den einzelnen Punkten dieser Schnitte die Dichtigkeiten überall dieselben sein; man hat daher die Dichtigkeiten nur in einem zu den eben erwähnten senkrechten Schnitte zu untersuchen, um den elektrischen Zustand sofort zu kennen. Sei Fig. 54 ein solcher durch die Mittelpunkte C und C'zweier sich berührender gleicher Kugeln gelegter Durchschnitt, so ist die Dichtigkeit

rührungspunkte B immer gleich 0, die Kugeln sind dort unelek, sie zeigen sich erst merklich elektrisch bei einem Punkte E.

er um einen Centril von 20°-30° von steht; von da an die Dichtigkeit zu den Punkten D und elche dem Punkte metral gegenüber-Die von Coulomb ei gleiche Kugeln htete Verteilung,



mengestellt mit Poissons Rechnung, zeigt folgende kleine Tabelle.

Winkeldistanz des beob. Punktes von CB an.	Elektrische beobschtet	Dichtigkeit berechnet
$\mathbf{O_0}$	0,00	0,00
20°	0,00	0,00
30°	0,20	0,18
60°	0,77	0,65
90^{o}	0,96	0,87
180°	1,00	1.00.

Derselbe Verlauf fand sich im allgemeinen auch bei zwei ungleichen erührenden Kugeln; die elektrische Dichtigkeit war stets am größsdem Punkte der kleinen Kugel, welcher dem Berührungspunkte ral gegenüberstand, nahm von da erst langsam bis 90°, dann rasch 1° ab, wo sie gleich null wurde. Sie blieb null über den Berührunkt hinaus bis zu einem Abstande von 7° auf der großen Kugel ahm von da an bis zu einem Punkte zu, welcher dem Berührungssum so näher lag, je kleiner die kleine Kugel war. Auf dem n Teile der großen Kugel war sie dann konstant. Es wird übersein, hier numerische Werte anzugeben.

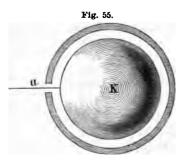
§. 41.

lektrisches Verhalten paralleler leitender Flächen. Noch zierter als bei verbundenen Leitern ist die theoretische Bestimmung rteilung der Elektricität und die Bestimmung der Werte der Pofunktion aus der den einzelnen Leitern mitgeteilten Ladung oder ehrt der Menge der den Körpern mitgeteilten Elektricität aus den bekannten Werten der Potentialfunktionen auf den Leitern, wenn en sich nicht berühren, aber in solchen Entfernungen von einander in, dass sie sich gegenseitig influenzieren.

iur in einem Falle läst sich die Änderung der Potentialfunktion Leiters bei gegebener Ladung durch Anwesenheit eines zweiten Leisei derselbe geladen oder nicht geladen, leichter berechnen, dann h wenn durch die Anwesenheit des zweiten Leiters die Verteilung ektricität auf den einzelnen Leitern nicht geändert wird. Es ist ir Fall, wenn wir einen Leiter mit einem andern umhüllen oder andern gegenüberstellen, dessen dem ersten zugewandte Begrenzungsfläche eine Niveaufläche des ersten Leiters ist, wenn derselbe für sich allein mit Elektricität geladen wäre. In dem Falle sind nämlich, da bei Niveauflächen die resultiorenden Kräfte stets senkrecht zu den Niveauflächen sind, die Wirkungen, welche der eine Leiter auf den andern aufübt, senkrecht zu der Oberfläche der Leiter, es kann somit durch dieselben keine Verschiebung der Elektricität in den Flächen stattfinden, die Verteilung bleibt ungeändert.

Wir wollen zunüchst zwei specielle Fülle behandeln, bei denen wir die Potentialfunktion des isoliert gegebenen einen Leiters für sich angeben, somit auch die Änderung derselben durch Gegenüberstellen des zweiten bestimmen können.

Als ersten Fall untersuchen wir die Änderung des Potentials auf einer Kugel, wenn dieselbe wie Fig. 55 von einer Hohlkugel umschlossen ist.



Der Radius der Kugel sei R, der innere Radius der Hohlkugel sei R_1 , der äußere R_2 , so daß also der Abstand der Oberfläche der innern Kugel und der innern Fläche der Schale überall $R_1 - R$ ist. Die äußere Schale habe bei a eine sehr kleine Öffnung und durch diese sei isoliert, das heißt ohne die Schale zu berühren, ein sehr dünner Draht geführt, welcher die Kugel mit einem entfernten Konduktor in Verbindung setz, dessen Potentialfunktion gleich V_1 sei. Setzen wir zunächst voraus, die Kugel K sei nicht

von der Hohlkugel umgeben. Die Kugel nimmt dann von dem Konduktor eine solche Elektricitätsmenge q auf, daß die Potentialfunktion auf der Kugel ebenfalls gleich V_1 wird. Da wir voraussetzen, daß der dünne Draht hinreichend lang ist, so daß der entfernte Konduktor auf die Kugel K keinen Einfluß hat, so ist die Potentialfunktion der auf der Kugel vorhandenen Elektricität das einer homogenen Kugelschale vom Radius R oder

$$V_1 = \frac{q}{R} \cdot \cdot \cdot (1).$$

Jetzt werde die Verbindung der Kugel unterbrochen, wodurch keine Ånderung der Potentialfunktion eintritt, und die Kugelschale, die nicht mit Elektricität versehen sein soll, herumgelegt. Durch die Influenz der Kugel K auf die Schale tritt in der letztern eine solche elektrische Verteilung ein, daß auf der innern Fläche der Schale eine gewisse Elektricitätsmenge q_1 , die Influenzelektricität der ersten Art, auf der äußern Fläche die Menge q_2 , die Influenzelektricität der zweiten Art, auftritt. Der Gleichgewichtszustand ist dann erreicht, wenn die Potentialfunktion der drei Elektricitätsmengen im Innern der Kugel K einen konstanten Wert q_1 und ebenso im Innern und auf der äußern Fläche der Kugelschale einen konstanten, aber von dem Werte q_1 im Innern der Kugel K verschiedener Wert q_2 hat. Da die Potentialfunktion einer homogenen Kugelschale auf jeden Punkt im Innern gleich ist dem Quotienten aus der wirksamer Masse und dem Radius der Schale, so ist

$$v_1 = \frac{q}{R} + \frac{q_1}{R_1} + \frac{q_2}{R_2} \cdot \cdot \cdot (a).$$

Die Potentialfunktion auf einen Punkt im Innern der Schale, der sich im Abstande e von dem Mittelpunkte der Kugel K befindet, welches wir v. nannten, ist dann, da die Potentialfunktion einer homogenen Kugelschale auf einen außerhalb liegenden Punkt gleich ist dem Quotienten sus der auf der Kugelschale vorhandenen Elektricität und dem Abstande des betreffenden Punktes von dem Mittelpunkte der Kugelschale,

$$v_2 = \frac{q}{\varrho} + \frac{q_1}{\varrho} + \frac{q_2}{R_*} \cdot \cdot \cdot \cdot \text{(b)}.$$

Da der Wert der Potentialfunktion derselbe sein muß, welches auch wischen R_1 und R_2 der Wert von ϱ ist, so folgt

$$\frac{q}{\rho} + \frac{q_1}{\rho} = 0, \quad q_1 = -q \dots (c),$$

30mit

$$v_2 = \frac{q_2}{R_*}$$

und

$$v_1 = q\left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1}\right) + \frac{q_1}{R_2} \cdot \cdot \cdot (2).$$

Die Gleichung (2) zeigt, dass die Potentialfunktion in der Kugel K eziehungsweise auf deren Öberfläche sich geändert hat; das erste Glied af der rechten Seite ist um so näher gleich null, je näher $R = R_1$ ist, as zweite Glied hängt wesentlich von q_2 , der Ladung der äußeren Fläche nd dem Radius der Fläche ab. Ist, wie wir annahmen, die Schale aninglich nicht geladen, so ist, da q_2 die Influenzelektricität zweiter Art t, zu welcher q_1 als jene erster Art gehört,

$$q_1 + q_2 = 0, \qquad q_2 = -q_1 = q.$$

In dem Falle wird

$$v_1 = q\left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right),$$

ie Potentialfunktion ist jener auf der Kugel ohne Schale um so näher leich, je dünner die Schale ist. Wenn wir dagegen die äussere Schale it der Erde in leitende Verbindung setzen, wodurch nach dem vorigen aragraphen notwendig $v_2 = 0$ wird, so wird $v_1 = q \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1} \right)$.

$$v_1 = q\left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1}\right).$$

he Potentialfunktion wird um so kleiner, je näher $R = R_1$ ist. ir $R_1 - R = \delta$, so wird

$$v_1 = q \frac{\delta}{RR_1}; \quad q = \frac{RR_1}{\delta} v_1.$$

Letztere Gleichung zeigt, dass die Kapacität einer Kugel, welche von ner zur Erde abgeleiteten Schale umgeben ist, erheblich größer ist als e Kapacität der einzeln stehenden Kugel. Die Kapacität der letztern t R, die Kapacität der mit der abgeleiteten Schale umgebenen Kugel t also im Verhältnis $\frac{R_1}{3}$: 1 größer.

Ist die innere Kugel bis zu einem Werte v_1 der Potentialfunktion

geladen, die äußere zu einem Werte v_2 , so erhalten wir allgemein aus der Gleichung (2):

$$v_1 - v_2 = q \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1} \right)$$
$$q = \frac{RR_1}{\delta} \left(v_1 - v_2 \right)$$

und für die Dichtigkeit h auf der innern Kugel

$$h = \frac{q}{4\pi R^2} = \frac{R_1}{4\pi R\delta} (v_1 - v_2) = \frac{1+\epsilon}{4\pi\delta} (v_1 - v_2),$$
 wenn wir $\frac{\delta}{R} = \epsilon$ setzen.

Es bedarf wohl kaum des Hinweises, daß die zuletzt abgeleiteten Ausdrücke gelten, auch wenn die äußere Fläche der Hülle nicht kugelförmig ist, sondern eine beliebige Gestalt hat, die Bedingung ist nur, daß die innere Grenze der Hülle eine der Kugel konzentrische Kugelfläche ist.

Als zweiten Fall bestimmen wir die Änderung der Potentialfunktion in einer kreisförmigen unendlich dünnen Platte, wenn wir ihr eine zweite ebensolche in einem Abstande δ gegenüberstellen, der gegen den Radius R der Platten sehr klein ist, und so, dass die beiden Kreise sich decken. Sind die beiden Platten gegen ihren Abstand sehr groß, so können wir ohne einen merklichen Fehler zu begehen die Dichtigkeit h der Elektricität auf jeder einzelnen Platte an allen Stellen als gleich voraussetzen; auf den beiden Platten ist sie natürlich verschieden. Denn nach §. 39 ist die Dichtigkeit der Elektricität auf einer einzeln stehenden Platte von der Mitte bis zur Hälfte des Radius fast konstant, erst nahe dem Rande wächst dieselbe erheblich; wird der Scheibe eine zweite sehr nahe gegenübergestellt, so wird die Verteilung noch erheblich gleichmäßiger, so dass nur am Rande in einer Zone, welche nicht breiter ist als der Abstand der Platten, die Dichtigkeit eine andere wird. Wir setzen demnach die Dichtigkeit auf jeder Platte konstant.

Die erste Platte sei bis zur Potentialfunktion V, geladen; wird ihr die zweite gegenübergestellt, so wird dieselbe durch Influenz elektrisch, und der Wert der Potentialfunktion in der ersten Platte wird gleich der Summe der Potentialfunktion der ihr ursprünglich erteilten Elektricität und jener der in der zweiten Platte influenzierten Elektricität in der ersten Platte.

Zur Berechnung dieser Summe haben wir demnach die Potentialfunktion einer Ebene zu bestimmen, wobei wir uns jedoch auf Punkte beschränken können, die sehr nahe bei der Ebene liegen. Da der Wert der Potentialfunktion für einen Punkt jedenfalls von der in seiner Nähe befindlichen Elektricitätsmenge vorwiegend bestimmt wird, können wir die Potentialfunktion für alle Punkte, welche in einer zur Platte parallelen Ebene liegen, als gleich betrachten, und zwar gleich dem für die in der Axe der Platte liegenden Punkte gültigen Werte. Wir haben deshalb nur den Wert der Potentialfunktion für diese Punkte zu bestimmen.

Wir denken uns also in der im Mittelpunkte der Platte errichteten Senkrechten einen Punkt um die Strecke x von der Platte entfernt, und

war sei x positiv in der Richtung gegen die zweite Platte, negativ in der entgegengesetzten. Von allen Punkten eines Kreisringes, dessen Radius r, dessen Breite dr ist, ist dieser Punkt um

$$\varrho = \sqrt{r^2 + x^2}$$

entfernt. Ist die Dichtigkeit der Elektricität gleich h, so ist die auf jenem Kreisringe vorhandene Elektricität

$$2r\pi dr \cdot h$$
,

somit die Potentialfunktion dieses Ringes

$$2\pi h \frac{r dr}{\sqrt{r^2 + x^2}}.$$

Die Potentialfunktion der ganzen Ebene ist gleich der Summe aller Potentialfunktionen der einzelnen Ringe, deren Radius r zwischen 0 und R ist, somit

$$V = 2\pi h \int_0^r \frac{r dr}{\sqrt{r^2 + x^2}}.$$

Da x für alle diese Ringe denselben Wert hat, so ist

$$V = 2\pi h \left\{ \sqrt{R^2 + x^2} - \sqrt{x^2} \right\}.$$

Dax gegen R sehr klein ist, so können wir ohne merklichen Fehler unter dem ersten Wurzelzeichen x^2 gegen R^2 vernachlüssigen, und erhalten

$$V = 2\pi h \left\{ R - \sqrt{x^2} \right\}.$$

Das Vorzeichen von $\sqrt{x^2}$ ist zweideutig; es läßt sich aber leicht daraus bestimmen, daß gleichnamige elektrische Massen sich abstoßen; ist also x positiv, so sucht die Wirkung derselben x zu vergrößern, es muß also

$$-\frac{dV}{dx}$$

positiv sein. Das ist der Fall, wenn wir setzen

$$V = 2 \pi h (R - x),$$

denn daraus ergiebt sich

$$-\frac{dV}{dx} = 2\pi h.$$

Für ein negatives x dagegen sucht die Abstofsung das negative x zu vergrößern, also den absoluten Wert zu verkleinern, dort ist also

$$V = 2\pi h (R + x)$$
$$-\frac{dV}{dx} = -2\pi h.$$

Wenden wir diese Ausdrücke jetzt auf unser System von zwei Platten an, von denen wir nach unserer Annahme die erste mit einer Ladung versehen haben, so dass die Potentialfunktion auf derselben, so lange sie allein steht, gleich V_1 war.

Bezeichnen wir die Dichtigkeit auf der ersten Platte mit h, so is die Potentialfunktion der auf ihr vorhandenen Elektricität für jeden Punkt der Platte, da dort x=0 ist,

$$V_1 = 2\pi h R \dots (4)$$

Sei die Dichtigkeit der Elektricität auf der zweiten Platte gleich h_{ll} ihr Abstand von der ersten Platte ist δ . Um die Potentialfunktion der selben auf einen Punkt, dessen Abstand von der ersten Platte gleich x ist, zu bestimmen, haben wir nur in den obigen Ausdrücken h mit h_{l} und x mit $x-\delta$ zu vertauschen. Wir erhalten deshalb für einen zwischen den Platten liegenden Punkt, da diese Punkte auf der negativen Seite der zweiten Platte liegen,

$$V = 2\pi h_1 \left(R + (x - \delta) \right),$$

somit für einen Punkt der ersten Platte, für den x = 0 ist,

$$V_2 = 2\pi h_1 (R - \delta).$$

Darnach wir die Potentialfunktion auf der ersten Platte

$$v_1 = V_1 + V_2 = 2\pi h R + 2\pi h_1 (R - \delta)$$
 . . . (d)

Wie man sieht, hängt der Wert, welchen die Potentialfunktion auf der ersten Platte annimmt, wesentlich von dem elektrischen Zustande der zweiten Platte ab. Ist die Platte, wie wir voraussetzten, unendlich dünn, so wird sie, wenn sie isoliert und nicht elektrisiert ist, sondern nur der Influenz von der ersten Platte unterliegt, keine Änderung der Potentialfunktion bewirken, denn in dem Falle kann sie auch durch Influenz nicht elektrisch werden, da in der unendlich dünnen Platte die Influenzelektricitäten der ersten und zweiten Art nicht auseinandertreten können. Wohl aber wird die Potentialfunktion der ersten Platte eine wesentlich andere, wenn die zweite Platte zur Erde abgeleitet ist, so daß auf ihr die Potentialfunktion null werden muß.

Wir erhalten dann den Wert h_1 aus der Gleichung für die Potentialfunktion v_2 auf der zweiten Platte

$$v_2 = 2\pi h(R - \delta) + 2\pi h_1 R$$
 . . . (e)

Daraus ergiebt sich, indem wir $v_2 = 0$ setzen,

$$h_1 = -h\left(1 - \frac{\delta}{R}\right)$$

und indem wir diesen Wert in die Gleichung für v1 setzen

$$\begin{aligned} v_1 &= 2\pi h \left\{ R - \left(1 - \frac{\delta}{R}\right) (R - \delta) \right\} \\ v_1 &= 4\pi h \delta \left(1 - \frac{\delta}{2R}\right) \dots (5) \end{aligned}$$

Ist δ gegen R hinreichend klein, so können wir das zweite Glied in der Klammer vernachlässigen und erhalten

$$v_1 = 4\pi h\delta \dots (5a)$$

$$\frac{v_1}{V_1} = \frac{2\delta}{R}$$

eder die Potentialfunktion in der ersten Platte ist im Verhältnis 2δ zu R kleiner geworden, die Kapacität der Platte somit im Verhältnis R zu 2δ gößer geworden.

Subtrahieren wir von der Gleichung (d) die Gleichung (e), so wird, wenn wir gleichzeitig für h_1 seinen Wert durch h ausgedrückt einsetzen,

$$v_1 - v_2 = 4\pi h \delta \left(1 - \frac{\delta}{2R}\right),$$

en Ausdruck, der uns unmittelbar h liefert, wenn wir die beiden Poten-

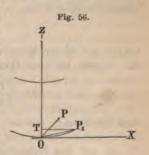
talfunktionen v_1 und v_2 kennen.

Nach Behandlung dieser beiden speciellen Fälle wollen wir allgemein ableiten, wie man aus den bekannten Werten der Potentialfunktion in wei parallelen Flächen die Dichtigkeit der Elektricität in jeder und die Kapacität des Systems bestimmen kann. Wir gelangen dazu durch eine Umformung der für den Zwischenraum zwischen den Flächen geltenden Gleichung

$$\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} = 0 \dots (\Lambda)$$

Wir legen durch einen Punkt der Fläche I ein rechwinkliges Koordinatensptem so, daß die Z-Axe des Systems mit der Normalen der Fläche m dem Punkte zusammenfällt; die Z-Axe ist damit gleichzeitig Normale in dem Punkte der zweiten Fläche, in welchem sie dieselbe trifft. Sei

Fig. 56 ein durch die X- und Z-Axe unseres Koordinatensystems geführter Durchschnitt durch die parallelen Flächen. Gehen wir von dem Punkte O der Fläche I zu irgend einem Punkte P über, der in der XZ-Ebene liegt, so ändert sich die Potentialfunktion, welche in der Fläche den Wert V_1 hat, um eine gewisse Größe, da die Koordinaten x und z des Punktes P andere sind als jene des Punktes O, während die Koordinate y denselben Wert hat. Sind Δx und Δz die Änderungen der Koordinaten, wenn wir vom Punkte O zu P übergehen, so können wir nach



dem in der Differentialrechnung bewiesenen sogenannten Taylorschen Lehrsatze den Unterschied der Potentialfunktionen in den Punkten P und Oschreiben

$$V - V_1 = \frac{\partial V}{\partial x} \Delta x + \frac{\partial V}{\partial z} \Delta z + \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} \frac{\partial x^2}{2} + \frac{\partial^2 V}{\partial x \partial z} \Delta x \Delta z + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} \frac{\partial z^2}{2} + \cdots$$

Setzen wir Δx und Δz so klein voraus, daß wir höhere als die weiten Potenzen dieser Größen vernachlässigen können, so genügen die ben hingeschriebenen Glieder der Reihe zur Darstellung der Differenz $V - V_1$.

Liegt der Punkt P in der Fläche selbst, also in P_1 , so tritt, da die Pläche eine Niveaufläche für die wirksamen Elektricitäten ist, durch den Übergang vom Punkte O zu P_1 keine Änderung der Potentialfunktion ein; setzen wir gleichzeitig Ax = dx, Az = dz, die Änderung der Koordinaten

bei dem Übergange vom Punkt O zu P_1 , also unendlich klein, so wird die Gleichung

$$0 = \frac{\partial V}{\partial x} dx + \frac{\partial V}{\partial z} dz + \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} \frac{dx^2}{2} + \frac{\partial^2 V}{\partial x \partial z} dx dz + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} \frac{dz^2}{2}$$

Da wir dx und dz unendlich klein vorausgesetzt haben, so fällt der Schnitt der Fläche von O bis P_1 mit dem Krümmungskreise der Fläche in der XZ-Ebene im Punkte O zusammen, dessen Radius gleich ϱ_1 sei Im dem Falle besteht aber nach einem bekannten geometrischen Satze zwischen OT = dz und $P_1T = dx$ die Beziehung

$$dz:dx=dx:(2\varrho_1-dz),$$

somit, da dz gegen $2\varrho_1$ verschwindet,

$$dz = \frac{1}{2\varrho_1} \cdot dx^2.$$

Würde die Fläche nach der andern Seite gekrümmt sein, so würde der Punkt T auf der andern Seite von O liegen und wir erhielten

$$-dz=\frac{1}{2\varrho_1}dx^2.$$

Wenn wir daher den Krümmungsradius positiv nehmen, wenn die Fläche ihre konvexe, negativ, wenn sie ihre konkave Seite nach der positiven Seite der z, also gegen die zweite Fläche hin wendet, können wir allgemein schreiben

$$dz = -\frac{1}{2\rho_1} dx.$$

Setzen wir diesen Wert von dz in obige Gleichung ein und behalten nur die Glieder bis zum Quadrate von dx bei, so wird

$$0 = \frac{\partial V}{\partial x} dx - \frac{1}{2} \left(\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} - \frac{1}{\varrho_1} \frac{\partial V}{\partial z} \right) dx^2,$$

eine Gleichung, welche, da sie unabhängig von dem Werte von dx sein muß, vorausgesetzt nur daß dx so klein genommen wird, daß der Punkt P_1 als auf dem Krümmungskreise der Fläche liegend angenommen werden kann, nur erfüllt ist, wenn

$$\frac{\partial V}{\partial x} = 0, \qquad \frac{\partial^2 V}{\partial x^2} = \frac{1}{\varrho_1} \frac{\partial V}{\partial z} \dots (B).$$

Führen wir ganz dieselbe Betrachtung für einen durch die Z- und Y-Axe gelegten Schnitt durch, so gelangen wir zu der Gleichung

$$\frac{\partial^2 V}{\partial y^2} = \frac{1}{\varrho_2} \frac{\partial V}{\partial z} \dots (C),$$

wenn eg der Krümmungsradius dieses Schnittes ist.

Setzen wir die aus den Gleichungen (B) und (C) sich ergebenden Werte der zweiten Differentialquotienten in die Gleichung (A), so wird dieselbe

$$\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} = \left(\frac{1}{\varrho_1} + \frac{1}{\varrho_2}\right) \frac{\partial V}{\partial z} + \frac{\partial^2 V}{\partial z^2} = 0 \dots (D).$$

Mit Hilfe der Gleichung (D) lassen sich in manchen Fällen die Dichgkeiten und Kapacitäten der Leiter von der vorausgesetzten Beschaffeneit aus den Werten der Potentialfunktionen V_1 der ersten und V_2 der weiten Platte direkt ableiten. Dieselbe nimmt für zwei konzentrische lageln, bei denen $\varrho_1 = \varrho_2 = R$, dem Radius der innern Kugel wird, venn wir zugleich, da die Z-Axe dann mit dem Radius zusammenfällt, z = dR setzen, die Form an

$$\frac{2}{R}\frac{dV}{dR} + \frac{d^2V}{dR^2} = 0.$$

Für zwei parallele Ebenen sind ϱ_1 und ϱ_2 unendlich, die Gleichung ird somit

$$\frac{d^2V}{dz^2}=0.$$

Anstatt aus diesen Gleichungen die bereits vorher entwickelten Reltate abzuleiten, wollen wir, um die Anwendung der Gleichung hervoreten zu lassen, dieselbe auf zwei konzentrische Cylinder anwenden, die ir als unendlich lang voraussetzen. Der Radius des innern Cylinders i R_1 , der des äußern sei R_2 . Ein Schnitt parallel der Axe schneidet e innere Cylinderfläche in einer geraden Linie; nehmen wir den Radius Cylinders als ϱ_1 , so ist demnach der Krümmungsradius ϱ_2 als Krümungsradius der geraden Linie unendlich. Die Normale dz der Fläche lit mit R zusammen. Wir erhalten daher für alle Punkte zwischen den iden Cylinderflächen, welche auf einem mit den gegebenen konzentrihen Cylinder vom Radius R liegen,

$$\frac{d^2V}{dR^2} + \frac{1}{R} \frac{dV}{dR} = 0,$$

nn da die Niveauslächen der beiden konzentrischen Cylinder innerhalb Raumes Cylinder sein müssen, welche mit den gegebenen konzentrisch d, so gilt die Gleichung für jede Cylindersläche vom Radius R, der ischen $R = R_1$ und $R = R_2$ liegt.

Wir müssen aus dieser Gleichung zunächst die Potentialfunktion V der Cylinderfläche vom Radius R ableiten. Setzen wir für einen genblick

$$\frac{dV}{dR} = V',$$

können wir unsere Gleichung schreiben

$$\frac{dV'}{dR} + \frac{1}{R} V' = 0$$

dV' = -

:r

_ __

$$\frac{dV'}{V'} = -\frac{dR}{R}.$$

rans folgt unmittelbar, wenn wir mit C eine Konstante bezeichnen

$$\log V' = C - \log R = \log \frac{C_1}{R},$$

an $\log C_1 = C$ gesetzt wird. Daraus folgt

$$V' = \frac{dV}{dR} = \frac{C_1}{R}$$
$$dV = C_1 \frac{dR}{R}$$

und hieraus gerade wie oben

$$V = C_2 + C_1 \log R$$

wenn C_2 eine zweite Konstante bedeutet. Zur Bestimmung der Konst ten setzen wir die Potentialfunktion auf der innern Fläche V_1 , die dem äußern Cylinder V_2 . Dann wird

$$V_1 = C_2 + C_1 \log R_1; \qquad V_2 = C_2 + C_1 \log R_2$$

und hieraus

$$C_1 = -\frac{V_1 - V_2}{\log R_2 - \log R_1}; \quad C_2 = V_1 + \frac{V_1 - V_2}{\log R_2 - \log R_1} \cdot \log R_1$$

Mit diesen Werten der Konstanten wird

$$V = \frac{V_1 \log \frac{R_2}{R} + V_2 \log \frac{R}{R_1}}{\log \frac{R_2}{R_1}}.$$

Zur Bestimmung der Dichtigkeit auf den einander zugewandten Fläc der Cylinder benutzen wir den Satz

$$\left(\frac{dV}{dn}\right)_{+0} = -4\pi h,$$

welcher für die Oberfläche des innern Cylinders übergeht in

$$\left(\frac{dV}{dR}\right)_{R=R_1} = -4\pi h_1,$$

und für die innere Fläche des äußern, da die für diese Fläche nach au gerichtete Normale in der Richtung der abnehmenden R liegt,

$$-\left(\frac{dV}{dR}\right)_{R=R_2}=-4\pi h_2,$$

Differentiieren wir V nach R, so wird

$$\frac{dV}{dR} = -\frac{V_1 - V_2}{R \log \frac{R_2}{R}},$$

somit

$$h_1 = \frac{1}{4\pi} \frac{V_1 - V_2}{R_1 \log \frac{R_2}{R_1}}, \qquad h_2 = -\frac{1}{4\pi} \frac{V_1 - V_2}{R_2 \log \frac{R_2}{R_1}}$$

Auf einem Stücke des innern Cylinders, dessen Länge l ist, befin sich demnach die Elektricitätsmenge

$$Q = 2\pi R_1 l \cdot h_1 = \frac{1}{2} \frac{V_1 - V_2}{\log \frac{R_2}{R}} \cdot l.$$

19

Ist der äußere Cylinder zur Erde abgeleitet, so wird $V_2 = 0$, somit

$$Q = \frac{1}{2} \frac{l}{\log \frac{R_2}{R_1}} \cdot V_1; \qquad K = \frac{1}{2} \frac{l}{\log \frac{R_2}{R_1}},$$

enn wir die Kapacität eines Stückes des innern Cylinders von der Länge mit K bezeichnen.

Es ergiebt sich hiernach, daß es bei zwei parallelen Flächen in der at genügt, die Werte der Potentialfunktionen auf denselben zu kennen, i die Dichtigkeiten der Elektricität auf denselben und die Kapacität selben zu bestimmen. Wie wir die Potentialfunktionen messen können, rden wir demnächst sehen.

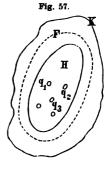
§. 42.

Elektrisierte Leiter in Hohlräumen anderer Leiter. Bei Behandig der von einer leitenden Kugelschale umgebenen Kugel haben wir im rigen Paragraphen gesehen, dass die auf der innern Fläche der Schale chandene Elektricität an Menge der auf der eingeschlossenen Kugel vorndenen genau gleich, dem Zeichen nach entgegengesetzt ist, und dass mnach die Potentialfunktion des Systemes auf einen äußern Punkt nur hängig ist von der auf der äußern Fläche der Schale vorhandenen Elekcität. Diese beiden Sätze sind ganz unabhängig von der Form der hale und auch von der Form des in der Schale eingeschlossenen Körs, sie gelten ganz allgemein für beliebige elektrische Leiter, welche einer beliebigen leitenden Hülle ganz umschlossen sind. Ist Fig. 57

ein beliebig geformter leitender Körper, der in em Hohlraume H einen oder auch mehrere mit 1 Elektricitäten q_1, q_2, q_3 . . . versehene Leiter hält, so ist notwendig die auf der den Hohlm umschließenden Fläche vorhandene Elektriät Q

$$Q = -(q_1 + q_2 + q_3 + \ldots).$$

folgt das einfach aus dem Satze, dass in der hale die Potentialfunktion einen konstanten Wert hen muss und aus dem im §. 7 bewiesenen Satze, s die in einer geschlossenen Fläche vorhandene enge eines wirksamen Agens gleich ist der mit



dividierten negativ genommenen Summe der in der geschlossenen erfläche in jedem Element nach außen in der Richtung der Normale rksamen Kraft, also dem schon mehrfach benutzten Satze

$$M = -\frac{1}{4\pi} \int \frac{dV}{dn} d\omega.$$

Denken wir uns nämlich im Innern der Schale eine beliebige den belraum ganz umschließende Fläche F gelegt, so giebt uns obiger Satz Summe der auf der Innenfläche der Schale und in dem Innern des belraums vorhandenen Elektricität. Da nun im Innern der Schale die tentialfunktion konstant sein muß, so folgt, daß an jedem Punkte der

Fläche F die parallel der Normale nach außen wirkende Kraft, also der Differentialquotient $\frac{dV}{dn}$ gleich null ist. Daraus folgt notwendig, daß das Integral ebenfalls null ist, somit

$$M=0$$
.

Da indes weiter

$$M = Q + q_1 + q_2 + q_3 + \cdots$$

so folgt

$$Q = -(q_1 + q_2 + q_3 + \cdots).$$

Um die Richtigkeit des zweiten Satzes zu erkennen, genügt folgende Überlegung. Der soeben bewiesene Satz gilt allgemein, er bleibt als auch bestehen, wenn die äußere Schale zur Erde abgeleitet ist. Da bei dieser Ableitung nur die auf der äußern Grenze der Schale vorhandene Elektricität fortgenommen ist, welche auf das Innere ganz ohne Einfluß ist, so folgt, dass bei Ableitung der äußern Schale auch die Verteilung der im Hohlraum und auf der den Hohlraum umschließenden Fläche vorhandenen Elektricität ganz dieselbe bleibt, wie wenn die Schale eine beliebige Elektricität besitzt. In der abgeleiteten Schale und auf deren Oberfläche ist, wie wir wissen, die Potentialfunktion notwendig null. Estfernen wir uns von der Oberfläche eines Körpers, auf welchem die Potentialfunktion einen bestimmten Wert hat, so folgt aus der Natur der Potentialfunktion als Quotient aus einer Menge wirksamen Agens und einer Entfernung, dass im äußern Raume die Potentialfunktion von dem auf der Oberfläche vorhandenen Werte mit wachsender Entfernung bis zur Null abnehmen muss, nicht aber durch Null hindurchgehen und ein entgegergesetztes Vorzeichen annehmen kann. Ist demnach in der Oberfläche die Potentialfunktion gleich null, so muss sie es auch im ganzen außen Raume sein. Im Falle demnach die Schale abgeleitet ist, folgt notwendig das die Potentialfunktion der auf der Innenfläche der Schale und in dem Hohlraum vorhandenen Elektricitäten auf jeden äussern Punkt gleich null sein muß. Wird nun der Schale Elektricität mitgeteilt, so bleibt diese auf der äufsern Fläche, es wird dadurch die Potentialfunktion der im Innern vorhandenen Elektricitäten nicht geändert, dieselbe bleibt somit im äufsern Raume auch dann gleich null, oder die Potentialfunktion des Systems ist einfach jene der der außern Schale mitgeteilten Elektricität Es verhält sich demnach ein mit einem Hohlraume versehener Körper, in dessen Hohlraum sich irgend welche Elektricitäten befinden, gerade wie ein neutraler Körper.

Es ergiebt sich aus dem ersten dieser beiden Sätze, daß wenn der hohle Leiter ursprünglich unelektrisch war, nach dem Einbringen der Elektricitäten Σq in das Innere des Hohlraumes auf der äußern Oberfläche des Leiters genau dieselbe Elektricitätsmenge $Q = \Sigma q$ derselben Art erscheinen muß, welche wir in den Hohlraum eingeführt haben. Diesen Satz hat schon Faraday¹) aufgestellt und dadurch experimentell bewiesen, daß er eine elektrisierte isolierte Kugel in ein Gefüß einsenkte, dessen

¹⁾ Faraday, Philosophical Magazin series III vol. XXII. Poggend. Am. Bd. LVIII, p. 603.

daß die Divergenz der Goldblättchen ganz dieselbe bleibt, an welstelle des nach dem Einsenken der Kugel wieder geschlossenen Gesich auch die elektrisierte Kugel befindet, und daß sich die Diverauch nicht ändert, wenn man die Kugel mit der innern Gefäßwand erührung bringt. Im letzteren Falle geht aber, wie wir wissen, die ite Elektricität der Kugel auf die Außenwand des Gefäßes über. S Gleichbleiben der Divergenz der Goldblättchen beweist somit, daß urch Influenz auf der Außenfläche eines einen Hohlraum umschliesen Leiters erregte Elektricität, wenn man in den Hohlraum irgend de Elektricität bringt, der letztern an Menge und dem Vorzeichen gleich ist.

S. 43.

Verteilung der Elektricität auf getrennten Leitern. Der schwieFall der Bestimmung der Menge und der Verteilung der auf verlenen Leitern vorhandenen Elektricität ist derjenige, wenn die Leiter
gend welchen aber so kleinen Entfernungen sich von einander be1, daß sie influenzierend auf einander einwirken, ohne daß die in
beiden vorigen Paragraphen betrachteten Fälle vorhanden sind. Ein
würde z. B. der sein, daß zwei leitende Kugeln in nicht zu großer
rnung sich von einander befinden, von denen die eine mit einer gen Elektricitätsmenge geladen ist. Welches ist infolge der Anwesender zweiten Kugel die Verteilung der Elektricität auf der ersten und
en Kugel?

Die Grundlage der Rechnung bleibt auch für diesen Fall dieselbe; otentialfunktion muß an allen Stellen eines Leiters denselben Wert is, dieselbe muß im Leiter konstant sein, ebenso gut, wenn er unter Einflusse anderer Leiter steht, wie wenn er isoliert ist; denn das uter allen Umständen die Bedingung des Gleichgewichtes für die auf Leiter vorhandene Elektricität. Daraus folgt aber sofort, daß der der Potentialfunktion auf einem Leiter ein anderer wird, wenn er dem Einflusse anderer Leiter steht, als wenn er isoliert für sich und weiter, daß die Verteilung der Elektricität auf einem Leiter, er unter dem Einflusse anderer Leiter steht, im allgemeinen eine andere sein muß, als auf dem isolierten Leiter gleicher Form.

Nehmen wir als Beispiel den erwähnten Fall zweier Kugeln; die I A sei mit einer gewissen Elektricitätsmenge versehen, die in ihrer befindliche Kugel sei zunächst unelektrisch. Durch die Wirkung der Kugel wird die zweite influenziert und zwar so, dass die der Kugel gewandte Seite von B Influenzelektricität der ersten Art, die abndte solche der zweiten Art, erhält. Dass diese Verteilung eintreten solgt aus dem oben aufgestellten Satze. Die Kugel A stehe zunächst in, die ihr mitgeteilte Elektricität verteilt sich gleichmäsig über die ih, die Niveauslächen der Potentialfunktion sind Kugelslächen; mit sendem Abstande vom Mittelpunkte nimmt die Potentialfunktion ab. werde die Kugel B in die Nähe von A gebracht; dieselbe wird von Schar Niveauslächen mit wachsenden Radien geschnitten. Es ergiebt

sich somit, dass die Potentialfunktion der auf der ersten Kugel vorhandenen Elektricität in der zweiten Kugel um so kleiner wird, je weiter die Schnitte der Niveauflächen in der zweiten Kugel vom Mittelpunkte der ersten entfernt sind. Es muss deshalb der neutrale Zustand in der zweiten Kugel gestört werden, und zwar derart, dass die Potentialfunktion in den der Kugel A näheren Stellen verkleinert, in den entfernteren vergrößert wird, soweit bis sie wieder in allen Punkten der Kugel B den gleichen Wert hat. In den der Kugel A nähern Teilen muß demnach Elektricität auftreten, welche mit der auf A vorhandenen ungleichnamig ist, in den entfernteren gleichnamige. Da die Niveauflächen die Kugel B in Kreisen schneiden, welche auf der Verbindungslinie der Mittelpunkte beider Kugeln senkrecht sind, erkennt man ferner, dass die durch Influenz erregte Elektricität auf allen Punkten eines zur Verbindungslinie der beiden Kreise senkrechten Kreises dieselbe Dichtigkeit haben muß. Ist A positiv geladen, so muss der Punkt, wo die Verbindunglinie der Kugelmittelpunkte die zweite Kugel trifft, am stärksten negativ elektrisch sein. Die Dichtigkeit der negativen Elektricität auf der Kugel B muss mit Entsernung von diesem Punkte abnehmen, auf einem Kreise null werden, und hinter diesem Kreise muß die Kugel positiv elektrisch werden, um so stärker, je weiter die betreffenden Schnitte von A entfernt sind.

Durch die so in der zweiten Kugel entwickelte Elektricität muß rückwärts die Verteilung auf der ersten Kugel geändert werden, denn dadurch, dass in der Nähe derselben sich jetzt eine gewisse Menge ungleichnamiger Elektricität befindet, muß an den dieser nähern Stellen der Kugel A die Potentialfunktion der jetzt wirksamen Elektricitäten mehr var kleinert sein als an den entferntern Stellen. Es muß daher, um der Potentialfunktion wieder an allen Stellen der Kugel A den gleichen Wert zu geben, die Dichtigkeit der Elektricität an den der Kugel B nähern Stellen wachsen, an den entferntern abnehmen. Die so dort eingetretene Verteilung bedingt neuerdings eine andere Verteilung in B, so zwar, daß in den der Kugel A näher liegenden Teilen die Dichtigkeit der Influentelektricität der ersten Art weiter zunehmen muß. Dadurch muß die Verteilung in A wieder geändert werden und so fort.

Denken wir uns die Mittelpunkte der beiden Kugeln durch eine gerade Linie verbunden und diese Gerade verlängert, bis sie die Oberflächen der Kugeln schneidet, so wird an dem äußern Punkte, wo diese Gerade die Oberfläche der Kugel A trifft, die Dichtigkeit der Elektricität für diese Kugel den kleinsten, auf dem innern, der Kugel B zugewandten Schnittpunkte den größten Wert haben. Auf allen Punkten eines zu dieser Verbindungslinie senkrechten Schnittes muß die Dichtigkeit dieselbe, auf den verschiedenen Schnitten aber verschieden und um so kleiner sein, je weiter der Schnitt von B entfernt ist.

Auf der Kugel B dagegen ist die Elektricität auf dem innern Schnittpunkte jener von A entgegengesetzt und diese Elektricität erstreckt sich mit abnehmender Dichtigkeit bis zu einem gewissen zu jener Verbindungslinie senkrechten Schnitte; von da an ist die Elektricität mit jener der Kugel A gleichnamig, ihre Dichtigkeit nimmt zu bis zu jenem Punkte, wo die Verbindungslinie der Mittelpunkte die Kugelfläche an der Enfern Seite trifft.

In ähnlicher Weise kann man im großen und ganzen auch die Verteilung übersehen, wenn die Kugel B von vornherein eine bestimmte Ladung hat. Bei zwei gleichen gleich stark geladenen Kugeln erkennt man leicht, dass die Verteilung der Elektricität ähnlich ist, wie bei zwei sich berührenden Kugeln. Ist die eine Kugel stärker geladen oder größer, so kann auf der schwächer geladenen oder kleinern die der größern Kugel mgewandte Seite entgegengesetzt elektrisch oder neutral oder gleichnamig sein, je nach dem Verhältnis der Ladungen oder nach der Entfernung der Kugeln.

Sind zwei verschiedene Kugeln etwa in Berührung positiv elektrisiert, so zeigt sich bei Entfernung der kleinen Kugel auf ihrer der großen ngewandten Hälfte immer zuerst negative Elektricität, welche in dem der großen Kugel nächsten Punkte am dichtesten ist. Entfernt man die beinere Kugel weiter, so ist in einer gewissen Entfernung die der großen mgewandte Seite bis fast zur Hälfte unelektrisch und erst in noch grös-

serer Entfernung ist die ganze Kugel positiv.

Steht die zweite Kugel mit der Erde in leitender Verbindung, so ist Ir dieselbe, wie wir wissen, die Gleichgewichtsbedingung, dass die Poentialfunktion der vorhandenen Elektricität in ihr überall null sein muß. la die Potentialfunktion einer mit positiver Elektricität geladenen Kugel Merall positiv ist, so folgt, dass, wenn die erste Kugel eine positive ladıng hat, auf der zweiten Kugel überall negative Elektricität vorhanden sein muß, deren Dichtigkeit in den der ersten Kugel nächsten Stellen, wo deren Potentialfunktion am größten ist, den größten Wert haben mus, und welche abnimmt, je weiter wir uns auf der zweiten Kugel von der ersten entfernen.

So leicht es hiernach ist, im großen und ganzen die Verteilung der Elektricität auf sich influenzierenden Leitern anzugeben, so schwierig ist 5, die Dichtigkeit an den einzelnen Stellen genau zu berechnen. Die hathematischen Schwierigkeiten sind so groß, daß es bisher überhaupt bur gelungen ist, wenige einfachere Aufgaben zu lösen. Da die Unter-Schungen wesentlich mathematisches Interesse haben, verweisen wir auf be Originalarbeiten und die Specialwerke über Elektrostatik 1). Nur die wirklich geniale Methode von William Thomson 2) wollen wir kurz beprechen und nach derselben den einfachsten Fall behandeln, nämlich die Verteilung der Elektricität auf einer zur Erde abgeleiteten Kugel, auf

of papers etc. p. 52.

¹⁾ Poisson, Mémoires de l'Acad. T. XII. Paris 1811. Plana, Memorie di Torino. 2 series T. VII. F. Murphy, Elementary principles of the theories of Electricity, Heat and Molecularactions part I. Cambridge 1833. Hankel, Ablandlungen der Königl. Sächs. Gesellsch. der Wissensch. Bd. III. Leipzig 1857. Green, An essay on the Application of mathematical Analysis to the theories of Electricity etc. Nottingham 1836, Crelles Journal Bd. XLIV. Thomson, Philos. Magazin 4 series, vol. V, vol. VI. Reprint of papers on electrostatics etc. London 1872. Kirchhoff, Crelles Journal Bd. LIX. Beer, Einleitung in die Elektrostatik etc. Braunschweig 1865. Grinwis, Theorie der wrijwings Electriciteit. Utrecht 1869. Marwell, Electricity and Magnetisme. Oxford 1873; deutsche Übersetzung nach der 2. Aufl. von Weinstein. Berlin 1883. Bd. I. Kötteritsch, Elektrotatik. Leipzig bei Teubner, 1872. Mascart, Traité de l'éléctricité statique. Paris 1876, deutsche Ausgabe von Wallentin. Wien 1883. I. Bd.

2) Thomson, Cambridge and Dublin mathematical Journal 1848. Reprint

welche eine in einem Punkte konzentrierte elektrische Menge in rend einwirkt, da dieser sich durch Anwendung rein geometrisch lösen läst. Es ist das die Methode der elektrischen Bilder. Wi im wesentlichen der Darstellung dieser Methode von Maxwell¹).

In der abgeleiteten Kugel ist an allen Punkten der Oberfis Potentialfunktion gleich null. Die Methode von William Thomson nun darin, im innern Raume der Kugel einen Punkt zu bestimm mit einer gewissen ebenfalls zu bestimmenden Elektricitätsmenge und anstatt der in der abgeleiteten Kugel vorhandenen mit der ge Elektricitätsmenge zusammen in der Fläche, welche die Oberfis abgeleiteten Kugel einnimmt, die Potentialfunktion gleich null Dieser im Innern der Kugel vorhandene elektrische Punkt ist d trische Bild des gegebenen elektrischen Punktes. Da dieser Pu dem gegebenen zusammen in der Kugel denselben Zustand hervorm chen der gegebene Punkt in der abgeleiteten Kugel erzeugt, ist rechnung der elektrischen Verteilung in der Kugel auf die Berechn Wirkung zweier elektrischer Punkte zurückgeführt.

Zur Ableitung der Methode weisen wir zunächst nach, daßs zwei Punkten A und B Fig. 58 die Elektricitätsmengen c_1 und — handen sind, eine kugelförmige Niveaufläche existiert, für wel

Fig. 58.

Y

B

C

F'

D

X

Potentialfunktior null ist, und dere punkt und Rad aus dem Abstande dem Verhältnis d tricitätsmengen b Ist der Punkt P e der Niveaufläche, cher die Potention gleich null ist derselbe du Gleichung gegebe $AP = r_1$, BP = setzt wird

$$\frac{e_1}{r_1}-\frac{e_2}{r_2}=($$

da die linke Se Gleichung die Pe funktion der bei

gebenen Elektricitätsmengen ist. Zunächst erkennt man, das die fläche eine Rotationsfläche ist; denn denken wir uns die Figur um d tung AB als Axe gedreht, so ist für alle Punkte des Kreises, welc Punkt P dann beschreibt, der Wert von r_1 und r_2 derselbe, dies entspricht somit einem Schnitte der Niveaufläche senkrecht zu AB. wir deshalb nach, das der in der Ebene der Zeichnung liegende

¹⁾ Maxwell, Electricity and Magnetism vol. I, art. 156.

in Kreis ist, so folgt, dass die Niveaufläche selbst eine Kugel ist. Schreiben vir die Gleichung (1)

$$\frac{r_1}{r_2} = \frac{e_1}{e_2} = k,$$

o haben wir demnach jene Kurve zu bestimmen, deren Punkte P daturch gegeben sind, dass ihre Abstände r_1 und r_2 von zwei sesten Punkten 4 und B in einem konstanten Verhältnis stehen. Wir legen dazu am sequemsten durch den einen Punkt A ein rechtwinkliges Koordinatentystem, dessen Axe der X in AB fällt, dessen Axe der Y dazu senkscht ist. Wir können dann schreiben

$$r_1^2 = x^2 + y^2,$$

and wenn wir AB = a setzen

$$r_2^2 = (x-a)^2 + y^2,$$

somit wird die Gleichung der Kurve

$$\frac{x^2+y^2}{(x-a)^2+y^2}=k^2,$$

oder

$$x^2 + y^2 + 2 \frac{k^2}{1 - k^2} a x = \frac{a^2 k^2}{1 - k^2} \cdots (2)$$

und man erkennt sofort, dass dies die Gleichung eines Kreises ist, dessen Mittelpunkt vom Punkte A um die Strecke b entfernt ist, wenn

$$b = \frac{k^2}{k^2 - 1} a \dots (3)$$

und dessen Krümmungsradius e aus der Gleichung sich ergiebt

$$\varrho^2 = b^2 - \frac{a^2 k^2}{k^2 - 1} \cdot \cdot \cdot (4)$$

Denn für einen Kreis, dessen Radius gleich ϱ ist und dessen Mittelpunkt um b von A entfernt ist, haben wir die Gleichung

$$x^2 + y^2 - 2bx = \varrho^2 - b^2,$$

and diese Gleichung wird mit der Gleichung (2) identisch, wenn wir b and ϱ durch die Gleichungen (3) und (4) bestimmen.

Es folgt somit, dass die mit dem Radius ϱ um den Punkt, dessen Abstand von A gleich b ist, beschriebene Kugel für die beiden gegebenen Elektricitätsmengen die Niveaufläche ist, auf welcher die Potentialfunktion gleich null ist.

Die Lage der Niveausläche hängt wesentlich von dem Wert k ab, ist k > 1, so ist b positiv und größer als a, dagegen $\varrho < b$, die Kugel umschließet somit den Punkt B; ist k = 1, so wird b sowohl als ϱ unendlich, die Kugel geht in eine Ebene über, welche den Abstand AB halbiert; ist k < 1, so wird b negativ, der Mittelpunkt liegt auf der andern Seite von A und da $\varrho < b + a$, so wird jetzt der Punkt A von der Niveaussäche umschlossen.

Nun sei eine zur Erde abgeleitete Kugel vom Radius ϱ gegeben, welche unter Wirkung der Influenz der im Punkte A vorhandenen positiven Elektricitätsmenge c_1 stehe; der Abstand ihres Mittelpunktes von A

sei gleich b. Wir suchen zunächst den Punkt B und die in demselben zu konzentrierende Menge c_2 negativer Elektricität auf, also das elektrische Bild von A, welche mit der gegebenen Elektricitätsmenge zusammen auf der Kugel den Wert der Potentialfunktion gleich null macht, auch wenn dieselbe nicht mit der Erde in leitender Verbindung ist. Da jetzt ϱ und b gegeben sind, bestimmen wir den Abstand BC gleich b-a und den Quotienten k durch b und ϱ .

Gleichung (3) liefert zunächst

$$a = \frac{k^2 - 1}{k^2} b$$

$$b - a = BC = b \left(1 - \frac{k^2 - 1}{k^2} \right) = \frac{b}{k^2}.$$

Gleichung (4) liefert, indem wir in derselben a durch b ausdrücken und in leicht zu übersehender Weise reduzieren,

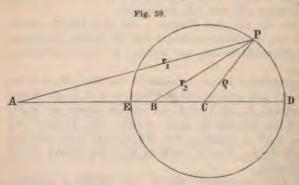
$$\varrho = \frac{b}{k}, \qquad k = \frac{b}{\varrho},$$

$$BC = b - a = \frac{\varrho^2}{b} \cdots (5)$$

$$\frac{e_1}{e_2} = \frac{b}{\varrho}; \qquad e_2 = e_1 \frac{\varrho}{b} \cdots (6)$$

somit

Wenn also in dem durch Gleichung (5) bestimmten Punkte die durch Gleichung (6) bestimmte Menge negativer Elektricität konzentriert wäre, so würde auch ohne dass die Kugel zur Erde abgeleitet wäre, die Potentialfunktion auf der Kugel gleich null sein. Damit ist auch der elektrische Zustand der Kugel und der Wert der Potentialfunktion im ganzen äußern Raum unter Wirkung des Punktes A und seines elektrischen Bildes B genau derselbe, wie wenn die Kugel abgeleitet wäre. Denn im der That ist es nach dem vorigen Paragraphen nur die Influenzelektricität zweiter Art auf der Kugel, die dort so verteilt ist, dass die Potentialfunktion auf der Kugel null wird, welche nach außen wirken würde, wenn diese Verteilung durch das elektrische Bild hervorgebracht wäre,



weil, wie wir im § 42 sahen, die Influenzelektricität der ersten Art an Menge derjenigen des Bildes gleich und die Potentialfunktion beider außerhalb der Kugel gleich null wäre.

Um die Verteilung der Elektricität auf der Kugel zu berechnen, benutzen wir jetzt den Satz, daß die

Dichtigkeit in jedem Punkte der Oberfläche gleich ist der dort wirkender resultierenden Kraft dividiert durch 4π . Wir berechnen diese resultie-

de Kraft, indem wir einfach die auf einen Punkt P der Kugeloberfläche kende, von der im Punkte A konzentrierten Elektricität e_1 und von in dem elektrischen Bilde vorhanden gedachten Elektricität — e_2 herrende Kraft berechnen. Denn, es sei nochmals wiederholt, die Wirng der durch Influenz von A auf der abgeleiteten Kugel verteilten ktricität auf jeden äußern Punkt und auch den Punkt P ist genau wie wenn in der Kugelfläche gar keine Elektricität vorhanden, dafür im Punkte B die durch Gleichung (6) bestimmte Menge negativer ktricität konzentriert wäre. Die auf P wirkende resultierende Kraft, selbe berechnet, wie wenn in P die Einheit der positiven Elektricität h befände, ist

in der Richtung
$$AP$$
 wirkend . . . $\frac{e_1}{r_1^2}$ $\frac{e_1}{r_1^2}$ $\frac{e}{b} \cdot \frac{1}{r_1^2}$

Wir zerlegen nach dem Satz vom Kräfteparallelogramm beide Kräfte ihre Komponenten parallel dem Radius CP und parallel AC. Die Komnenten der ersten Kraft sind

parallel
$$CP \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{e_1}{r_1^2} \cdot \frac{CP}{AP} = \frac{e_1 \varrho}{r_1^3}$$

, $AC \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{e_1}{r_1^2} \cdot \frac{AC}{AP} = \frac{e_1 b}{r_1^3}$

ne der zweiten Kraft

$$\begin{aligned} \text{parallel } CP & \cdots - e_1 \frac{\varrho}{b} \cdot \frac{1}{r_s^3} \cdot \frac{CP}{BP} = -e_1 \frac{\varrho^2}{b} \cdot \frac{1}{r_s^3} \\ , & AC & \cdots - e_1 \frac{\varrho}{b} \cdot \frac{1}{r_s^3} \cdot \frac{BC}{BP} = -e_1 \frac{\varrho}{b} \cdot \frac{1}{r_s^3} \cdot \frac{b-a}{r_s} = -e_1 \frac{\varrho^3}{b^2} \frac{1}{r_s^3}, \end{aligned}$$

o der letzte Ausdruck sich sofort ergiebt, weil $b-a=\frac{e^2}{b}$ nach leichung (5).

Da
$$\frac{r_1}{r_2} = \frac{e_1}{e_2} = k = \frac{b}{\varrho},$$

o folgt für die beiden letzten Komponenten

parallel
$$CP \cdot \cdot \cdot - e_1 \frac{b^2}{e} \cdot \frac{1}{r_1}$$
; parallel $AC \cdot \cdot \cdot - e_1 \frac{b}{r_1}$

Die beiden Komponenten parallel AC sind somit bei entgegengeetztem Vorzeichen an Größe gleich, sie heben sich auf, und es bleibt
ur die Komponente parallel dem Radius übrig, wie es auch sein muß, da
ie Kugel eine Niveaufläche für die vorhandene Elektricität ist. Die im
unkte P vorhandene Resultierende R ist demnach

$$R = e_1 \frac{\varrho}{r_1^{5}} - e_1 \frac{b^{2}}{\varrho} \cdot \frac{1}{r_{13}} = -e_1 \frac{b^{2} - \varrho^{2}}{\varrho} \cdot \frac{1}{r_{13}}$$

Für die Dichtigkeit h im Punkte P ergiebt sich daraus

$$h = -\frac{1}{4\pi} \cdot e_1 \frac{b^2 - \varrho^2}{\varrho} \frac{1}{r_1^3},$$

und die gleiche Dichtigkeit ist in allen Punkten eines durch P sezu AC gelegten Schnittes der Kugel vorhanden. Die elektrische keit auf den einzelnen Punkten einer zur Erde abgeleiteten, vor elektrischen Punkte influenzierten Kugel ist somit der dritten Pot Abstandes der Punkte von dem influenzierenden Punkte umgekel portional.

Die gesamte auf der Kugel vorhandene Elektricität ist unn nach dem vorigen Paragraphen aus der Bedeutung des elektrische gegeben, sie muß gleich der im elektrischen Bilde konzentriert ge Elektricitätsmenge oder

$$Q = -e_1 \frac{\varrho}{b}$$

sein.

Die ganze Entwicklung lässt erkennen, dass ebenso wie B Elektricitätsmenge — c_2 das elektrische Bild von A mit der Elekt menge c_1 ist, letzteres auch das Bild des ersteren ist, oder dass wie in der Optik ein leuchtender Gegenstand und sein Bild ko sind, dasselbe auch von einem elektrischen Punkte und seinem Bil gilt. Die obige Entwicklung liefert uns demnach auch sofort of trische Verteilung auf einer zur Erde abgeleiteten Kugel, wenn di von einem innern Punkte influenziert wird.

Man erkennt weiter, dass man ganz ebenso die Verteilung abgeleiteten Kugel erhält, wenn ein System elektrischer Punkte selbe influenzierend einwirkt. Jedem Punkte entspricht ein Bi System von Punkten also ein System von Bildern.

Ist die Kugel nicht isoliert, sondern vielleicht noch mit e wissen Elektricitätsmenge versehen, so entsteht unter Wirkung fluenzierenden Punktes die Potentialfunktion V auf derselben; wir somit die Methode der Bilder unmittelbar anwenden, indem wir angegebenen Weise die Verteilung für das Potentialniveau null be und dann an jeder Stelle die Dichtigkeit addieren, welche bei gleicht Verteilung auf der Kugel die Potentialfunktion auf den Wert V

Ebenso erhält man unmittelbar die Verteilung in einer Ebenso man als Niveaufläche für den Potentialwert null erhält, wenn $e_1 : r_1 = r_2$ ist, so daß das elektrische Bild in einer dem Abstande gebenen elektrischen Punktes gleichen Entfernung hinter der Ebe und die gleiche Menge Elektricität mit entgegengesetztem Vorzeichält, wie der gegebene elektrische Punkt.

Es gentige an diesen Beispielen, um die Methode von Thom zu machen, wegen weiterer Verwendung derselben verweisen wir Arbeiten Thomsons¹) und Maxwells²).

§. 44.

Eigenschaften der Spitzen. Im §. 40 haben wir den Nachtliefert, dass an einer mit einem Leiter verbundenen Spitze die Dic

Thomson, Reprint of papers on electricity etc.
 Maxwell, A Treatise on electricity etc. Bd. I. Deutsche Übe von Weinstein, Berlin 1883.

ricität immer unendlich groß sein muß, wie gering dieselbe den übrigen Punkten des Leiters sein mag. Mathematische las heißt solche, welche wirklich in einem mathematischen Punkte sen sich in der Praxis nicht herstellen, alle, auch die feinsten ind mathematisch betrachtet abgestumpfte Kegel. Indem wir die es solchen Kegels nicht als eine Kugel von unendlich kleinem, ur von sehr kleinem Durchmesser betrachten, ergiebt sich aus hnten Satze, daß auch an solchen die Dichtigkeit der Elektriviel größer sein muß als an den Punkten des Leiters, mit verbindung sind, ein Satz, den die Versuche von Riess, welche igkeit auf Kegeln verschiedener Öffnung bestimmten, bestätigt

dieser Verteilung der Elektricität auf den Spitzen und einer ng, welche sehr stark mit Elektricität geladene Körper zeigen, ich einige Eigenschaften der Spitzen von der größten Wichtigkeit. n ein Leiter mit Elektricität geladen ist, so tritt immer ein atsverlust durch Zerstreuung in die Luft ein; wird seine Ladung gewisse Grenze verstärkt, so tritt auch ein Verlust ein über die en Stützen. Wird seine Ladung noch weiter verstärkt, so daß igkeit an einer Stelle eine gewisse noch höhere Grenze übertritt noch eine andere Art des Verlustes ein, die Elektricität dieser Stelle in die umgebende Luft direkt aus. Dass ein solches en eintreten muß, folgt schon aus der Bemerkung am Schlusse nach welcher auf die an einer Stelle eines Leiters vorhandene at eine vom Leiter fortgerichtete, dem Quadrate ihrer Dichtigkeit nale Kraft wirkt, die wir dort als Spannung bezeichneten. Dieser halt der von aussen durch die isolierende Umgebung, für gealso die Luft, wirkende Druck das Gleichgewicht, so dass nur eses die Elektricität auf dem Leiter bleibt. Übersteigt nun aber rung eine gewisse Grenze, so reicht dieser Druck nicht mehr die Elektricität strömt so lange aus, bis die Spannung unter jene nabgesunken ist. Dieses Ausströmen der Elektricität ist mit Eren verknüpft, auf welche wir später eingehen werden, nur erige hier werden, dass die ausströmende Elektricität im Dunkeln und dass von der Ausströmungsstelle ein Luftstrom ausgeht, in Fällen stark genug, um eine Lichtflamme auszublasen.

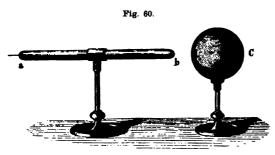
I ein Leiter mit einer Spitze versehen, so ist immer die Dichter Elektricität an der Spitze am größten; wäre die Spitze ganz en, so würde die Dichtigkeit der Elektricität an derselben immer groß sein, wie schwach auch die Ladung des Leiters wäre. deshalb auch bei der geringsten Ladung schon ein Ausströmen ricität stattfinden, so daß ein mit einer Spitze versehener Leiter nicht geladen werden könnte. Das ist nun bei unseren Spitzen Fall; da an ihnen aber immer die Dichtigkeit der Elektricität große ist, so folgt, daß man Leitern, welche mit Spitzen verd, immer nur eine schwache Ladung geben kann, so schwach,

icss. Abhandlungen der Berliner Akademie 1844. Reibungselektricität.

das die Dichtigkeit an der Spitze unterhalb jener Grenze bleibt, bei welcher das Ausströmen beginnt.

Die Dichtigkeit an der Spitze eines Kegels hängt natürlich von der jenigen der Elektricität auf dem Mantel des Kegels ab, deshalb wird auch die Wirkung der Spitze abhängig sein von der Stelle des Leiters, an welcher sie befestigt ist. Bei einem Cylinder z. B. wird die entladende Wirkung der Spitze immer am bedeutendsten sein, wenn sie an dem Ende des Cylinders befestigt ist, da ohnehin schon am Ende des Cylinders die Dichtigkeit der Elektricität am bedeutendsten ist.

Bei Leitern, auf welche ein elektrisierter Körper influenzierend einwirkt, hängt die Wirkung der Spitze noch in anderer Weise von dem Punkte ab, wo die Spitze befestigt ist. Influenzieren wir einen Cylinder ab (Fig. 60) durch eine Kugel c und bringen an dem von der Kugel entfernten Ende a eine Spitze an, so wird dieselbe nur Influenzelektricität der zweiten Art erhalten. Dieselbe wird daher ausströmen, da sie nur auf einen kleinen Teil des Cylinders beschränkt ist, und der Cylinder mit Influenzelektricität der ersten Art geladen zurückbleiben. Wird c entfernt, so wird die Influenzelektricität erster Art sich über den ganzen Cylinder



verbreiten und wenn die Spitze nicht sehr vollkommen ist, auf demselben verbleiben.

Eine an dem ent fernten Ende eines influenzierten Leiters angebrachte Spitze ladet denselben also mit Influenzelektricität der ersten Art.

Wenn dagegen an dem der Kugel nächsten

Ende bei b eine Spitze befestigt wird, so strömt aus dieser die Influenzelektricität erster Art aus, und der Cylinder bleibt mit Influenzelektricität zweiter Art geladen zurück, welche sich nach Entfernung der Kugel ϵ ebenso über den ganzen Cylinder verbreitet.

Bei dem letzteren Versuche zeigt sich noch eine andere merkwürdige Erscheinung. Vergleicht man nämlich die Elektricitätsmenge der Kugel (, bevor und nachdem sie influenzierend gewirkt hat, so zeigt sich nach der Influenz die Elektricitätsmenge bedeutend verkleinert und zwar ungefähr um die auf dem Cylinder ab übrigbleibende Menge der Influenzelektricität der zweiten Art. Es hat also den Anschein, als wenn die Spitze von der Kugel eine gewisse Menge Elektricität eingesaugt hätte.

Diese Saugwirkung der Spitzen zeigt sich in noch viel auffallenderer Weise, wenn man einem elektrisierten Körper eine Spitze nähert, welche mit dem Erdboden in leitender Verbindung steht. Sofort sinkt die elektrische Dichtigkeit bis auf eine geringe hinab, und man kann dieselbe durch Zufuhr von Elektricität durchaus nicht steigern. Man stelle an einen isolierten elektrischen Cylinder ein Goldblatt-Elektroskop und nähere dann Zum Cylinder eine in der Hand gehaltene Spitze; sofort wird die Divergess

: Goldblättchen verkleinert, sie bleibt dieselbe, auch wenn man den linder mit einer kräftigen Elektricitätsquelle in Verbindung bringt.

Diese Saugwirkung der Spitzen erklärt sich unmittelbar aus den som beschriebenen Eigenschaften derselben; steht einer an einem Leiter estigten oder mit dem Erdboden leitend verbundenen Spitze ein eleksierter Körper gegenüber, so wird durch Influenz die Spitze so stark ktrisch, dass die Elektricität von ihr ausströmt. Durch die elektrische itze tritt dann auch auf dem elektrisierten Körper eine andere Verlung der Elektricität ein, so dass die Dichtigkeit der Elektricität an r der Spitze gegenüberliegenden Stelle so groß wird, daß auch dort Hierzu kommt noch ein anderer Grund; wie Ausströmen stattfindet. r erwähnten, ist mit dem Ausströmen der Elektricität immer ein Luftom verbunden, welcher von der Ausströmungsstelle fortbläst. iftstrom ist besonders kräftig bei einer Spitze; derselbe hat seinen Grund enbar darin, dass die an der Spitze angrenzende Luft durch die ausömende Elektricität kräftig elektrisiert und dann abgestoßen wird, er steht demnach aus Luft, welche mit der Spitze gleichnamig elektrisiert . Diese Luft strömt gegen den elektrisierten Körper um so mehr, da von der entgegengesetzten auf ihm vorhandenen Elektricität angezogen rd; sie giebt bei der Berührung ihre Elektricität an den Körper ab d neutralisiert dadurch eine derselben gleiche Elektricitätsmenge auf m Körper.

Daraus ergiebt sich, dass die scheinbare Saugwirkung einer Spitze lange dauern wird, als die Elektricität auf dem gegenüber stehenden breit hinreichende Dichtigkeit besitzt, um die Spitze zum Ausströmen bringen; eine dem Körper sehr genüherte, mit dem Erdboden in leinder Verbindung stehende Spitze wird deshalb die elektrische Dichtigkeit if demselben ebenso stark vermindern, als eine an dem Körper selbst sestigte Spitze.

Hieraus ergiebt sich auch sofort, welche Wirkung eine an einem ektrisierten Körper befestigte Spitze auf einen genäherten nichtelekischen Leiter haben wird; sie muß den Leiter mit Influenzelektricität zweiten Art laden. Denn so lange die Dichtigkeit auf dem elektriciten Körper so groß ist, daß ein Ausströmen stattfindet, wird Influenzektricität erster Art teils von dem influenzierten Leiter ausströmen, teils if demselben durch die Luftströmung neutralisiert werden.

Dass in der That alle diese Wirkungen der Spitzen nur Folge der osen Dichtigkeit der Elektricität an ihnen sind, ergiebt sich noch serdem aus dem von Riess¹) geführten Nachweise, dass dieselben sort unwirksam werden, wenn man sie mit einem hohlen Leiter umgiebt, also auf diese Weise in das Innere eines Leiters versetzt. Schon eine, ilweise Umhüllung macht sie, wie Riess gezeigt hat, unwirksam. Er tzte auf eine Metallscheibe eine seine 8 mm lange Nadel und umgab e mit einer 29 mm hohen, 18 mm weiten Kupferröhre; sie blieb auch in der stärksten Elektrisierung unwirksam.

Ganz ähnliche Wirkungen wie die Spitzen haben auch glimmende oder

¹⁾ Riess, Reibungselektricität. Bd. I, §. 254.

flammende Körper; auch deren Wirkung ist, wie Riess¹) ausführlich gezeigt hat, hauptsächlich auf diejenige der Spitzen zurückzuführen. Bei den glimmenden Körpern sind es die Spitzen, welche sich an denselben bei der Verbrennung bilden, bei den Flammen sind es die Spitzen der Flamme selbst, also des brennenden Gasstromes, welcher aufsteigt. Deshalb wirken nur leitende glimmende Körper oder Flammen aus leitenden Gasen wie Spitzen. Schwefel und schwefelige Säure sind nichtleitend, deshalb ist brennender Schwefel auch ganz unwirksam.

Glimmende und flammende Körper wirken viel stärker als künstliche Spitzen, da jedenfalls die an ihnen sich bildenden Spitzen viel vollkommer sind. Um einen nichtleitenden Körper vollkommen unelektrisch zu machen, giebt es deshalb kein besseres Mittel, als ihn einigemal mit der Flamme eines Bunsenschen Brenners zu bestreichen.

§. 45.

Messung der elektrischen Potentialfunktion; Torsionselektrometer von Kohlrausch. Die Sätze der letzten Paragraphen, besonders die der §§. 40 und 42 setzen uns in den Stand, die Methoden kennen zu lernen, nach welchen wir die Ladungen von Leitern, das heisst die Werte der Potentialfunktionen, bis zu denen sie geladen sind, zu messen resp. zu vergleichen imstande sind. Auf verbundenen Leitern muß der Wert der Potentialfunktion überall der gleiche sein. Setzen wir deshalb etwa die Standkugel einer Torsionswage, an welcher zunüchst die Kugel des Wagebalkens anliegen möge, mit einem elektrisierten Körper in leitende Verbindung, so werden beide denselben Wert der Potentialfunktion nehmen wie der gegebene Körper. Ist der Abstand des gegebenen Körpers so grofs, dass von ihm aus keine Influenz auf die Kugeln der Wage stattfinden kann, so hängt der Wert der Potentialfunktion auf den Kugeln nur ab von der ihnen mitgeteilten Elektricitätsmenge. Ebenso indes hängt die Potentialfunktion der Kugeln nur ab von der ihnen mitgeteilten Elektricitätsmenge, wenn wir die Hülle der Torsionswage leitend machen und zur Erde ableiten. Denn wie wir wissen sind die Kugeln, und das gilt von jedem Leitersystem durch eine zur Erde abgeleitete Umhtillung vor jedem äußern Einflusse bewahrt. Ist V die zu messende Potentialfunktion, C die Kapacität der beiden sich berührenden Kugeln, so ist die auf denselben vorhandene Elektricität

$$Q = C \cdot V$$
.

Im §. 33 haben wir gesehen, wie wir die den Kugeln der Torsionswage mitgeteilte Elektricität messen; in dem Ausdrucke

$$V = \frac{1}{C} \cdot Q$$

erhalten wir demnach die gesuchte Potentialfunktion auf dem leitend mit der Standkugel verbundenen elektrisierten Körper. Die Potentialfunktionen sind demnach der in der Torsionswage gemessenen Elektricitätsmenge proportional. Will man die Potentialfunktionen zweier geladenen Leiter mit

¹⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. LXI, LXXII, LXXIII, LXXIV. Reibungselektricität Bd. I, §. 255 ff.

snander vergleichen, so hat man hiernach nur die in die Wage übergetretene Elektricitätsmenge zu vergleichen, die Potentialfunktionen verhälten sich direkt wie diese.

Will man die Potentialfunktion ihrem absoluten Werte nach bestimmen, so muß Q nach absolutem Maße gemessen werden. Am besten that man dann, die Standkugel nicht in Berührung mit der Kugel des Wagebalkens zu elektrisieren, sondern wenn sie für sich steht und die Kugel des Wagebalkens weit entfernt ist. Denn in dem Falle ist die Potentialfunktion der Kugel, wenn wir nach der Ladung die leitende Verbindung mit dem elektrisierten Leiter unterbrochen haben, einfach gleich Q, wenn R der Radius der Standkugel ist. Wie dann Q zu messen ist, haben wir § 33 gesehen; ist die Standkugel derjenigen des Wagebalkens ganz gleich, so geht, wenn man die Kugel des Wagebalkens mit der isolierten Kugel in Berührung bringt, auf die bewegliche Kugel Q hinaber, und diese wird nach den Methoden des § 33 gemessen.

Mit der Torsionswage kann man somit die Potentialfunktionen geladener Leiter sowohl vergleichen, als ihrem absoluten Wert nach messen, somit auch, wenn man die Kapacitäten der Leiter kennt, die auf ihnen vorhandene Elektricität in absolutem Maße bestimmen. In vielen Fällen ist sie jedoch in ihrer ursprünglichen Form nicht anwendbar, nämlich dann, wenn es sich darum handelt, sehr kleine Werte der Potentialfinktionen zu vergleichen, somit also, wenn man sehr geringe Mengen 100 Elektricität vergleichen oder messen muß. Der Grund dafür ist der, las die beiden mit Elektricität geladenen und sich abstoßenden Kugeln immer nur von geringer Größe sind, und so gewissermaßen nur ein Punkt Wagebalkens von der Standkugel abgestoßen wird. Da man den Wagebalken nicht zu lang und den Draht nicht zu fein wählen darf, weil dann derselbe zu leicht durch Luftströmungen bewegt wird, so hat die Empfindlichkeit der Torsionswage eine bestimmte Grenze. Bei geringen Elektricitätsmengen werden daher die zu messenden Größen so klein, daß eine große Genauigkeit nicht zu erreichen ist. Durch eine kleine zuerst ton Dellmann 1) an der Torsionswage angegebene Änderung kann man derselben eine weit größere Empfindlichkeit geben und sie doch, wie

hohlrausch gezeigt hat 2), zu Messungen benutzen.

Die Änderung von Dellmann besteht darin, dass er anstatt des an einem Metalldrahte aufgehängten Wagebalkens von Schellack an einem Glasfaden einen Wagebalken von dünnem Metalldraht aufhängt und anstatt der Standkugel in dem Gefäse der Torsionswage einen horizontalen metallischen Bügel anwendet. Letzterer ist so aufgestellt, dass die durch ihn gelegte Vertikalebene den Glasfaden in sich aufnimmt; der Wagebalken ist so geformt, dass seine eine Hälfte an der einen, die andere Hälfte an der anderen Seite des metallischen Bügels, welcher die Stand-

Delimann, Poggend. Ann. Bd. LV und LXXXIV. Ferner Programm des Gymnasiums zu Kreuznach 1842.

²⁾ Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. LXXII u. LXXIV. Das Kohlrauschsche Elektrometer ist in vortrefflicher Ausführung von Herrn Mechaniker Schubart in Gest, früher in Marburg, zu beziehen.

kugel vertritt, sich befindet. Werden der feststehende Bügel un Wagebalken gleichnamig elektrisiert, so stofsen sich Bügel und balken der ganzen Länge nach ab.

Die Form, welche Kohlrausch dem Apparate gab, ist folgende die Standkugel vertretende Bügel aa (Fig. 61) von Silber ist mi Schellackfüßschen bb auf das Glasrohr c gekittet, welches durch die



der Bodenplatte des Gefä von kreisförmigem Quers hindurchgesteckt ist. Di röhre c kann mit sanft bung mittels der Hebely tung dd in einer zweiter röhre, welche in der v Bodenplatte aufsteigende singhülse festgekittet ist, gehoben und gesenkt v Eine Drehung kann der röhre c nicht erteilt v In dem Glasrohre c kar zweites Rohr h ebenfalls gehoben und gesenkt w es greift dazu eine der vorrichtung dd ähnlich richtung in zwei an h befe Drähte. In der Axe des h befindet sich ein Drah welcher oben in eine ausläuft; derselbe dient : leitungsdraht für die E cität, indem bei Hebur Rohres h der Draht Bügel a berührt,

Etwas unterhalb v befindet sich die Scheil auf der eine Kreisteilun gebracht ist, deren Mitte in der Axe des Instrun also in der Verlängerun Aufhängefadens i liegt.

Das Gefäs, in wediese ganze Vorrichtun

befindet, ist von Messing und mit einer Spiegelglasplatte 11 bewelche die Röhre mit dem Torsionskreise trägt, von dessen Mitte der Glasfaden i herabhängt. Der Wagebalken besteht aus einem der Silberdraht; er senkt sich mit seiner Mitte in den Ausschnitt des chens aa, dessen Hälften, wie es die Figur zeigt, so gebogen sind der Wagebalken der Länge nach an dem Streifchen liegt, wenn de sionskreis auf O steht, der Glasfaden also ohne Torsion ist. Wi Röhre c gehoben, so ruht der Wagebalken mit seiner Mitte au

Streifchen, wird sie gesenkt, so ist der Boden des Ausschnittes vom Wagebalken etwa 0,5 mm entfernt.

Um mit dem Apparate Messungen auszuführen, stellt man zunächst durch Drehung des Torsionskreises den Wagebalken senkrecht zum Streifthen aa, hebt das Streifchen und den Zuleitungsdraht und bringt den etzleren mit der betreffenden Elektricitätsquelle in Berührung. Da der Wagebalken und das Streifchen aa jetzt mit einander und dem Zuleitungsdahte in Berührung sind, so entsteht auf allen diesen Körpern derselbe Wert der Potentialfunktion. Man hebt die Berührung des Streifchens mit dem Zuleitungsdrahte durch Senken des letzteren, und darauf diejenige des Wagebalkens mit dem Streifchen auf, indem man das Streifchen senkt. Man stellt dann den Torsionskreis auf 0 und beobachtet den Winkel, welchen der Wagebalken mit dem Streifchen aa bildet, indem man von oben in den Apparat sieht und so den Wagebalken wie das Streifchen aa auf die Kreisteilung der Platte kk projiziert sieht. Der bei der Drehung des Fadens um den beobachteten Ausschlagswinkel stattfindenden Torsion hält dann die elektrische Abstofsung des Wagebalkens und Streifehens das Gleichgewicht, vorausgesetzt, dass die Stellung des Wagebalkens nicht durch Luftströmungen beeinflusst wird. Ob letzteres der Fall ist, davon überwugt man sich durch den nachträglichen Versuch, indem man den Apparat entladet und nun den Torsionskreis um den vorhin beobachteten Ausschlagswinkel dreht. Sind keine Luftströmungen vorhanden, so nimmt der Wagebalken seine vorige Stellung wieder ein. Thut er das nicht, so bedarf s an dem beobachteten Ausschlagswinkel einer Korrektion, um ihn von dem Einfluss der Lufstströmung zu befreien.

Die Bestimmung der Elektricitätsmenge aus der beobachteten Torsion ist bei diesem Apparate, wenn die Beobachtung in der angegebenen Weise durchgeführt wird, d. h. wenn man einfach beobachtet, welchen Ausschlagswinkel der Balken infolge der elektrischen Abstofsung annimmt, wenn der Zeiger des Torsionskreises auf O erhalten wird, nicht so einfach wie bi der gewöhnlichen Torsionswage, da hier die Elektricitäten nicht auf wei sich abstoßenden Kugeln angesammelt sind. Bei den Kugeln kann man immer ohne merklichen Fehler annehmen, daß die Elektricitäten im Mittelpunkte konzentriert seien, so leicht die Entfernung bestimmen, aus welcher die Kugeln auf einander einwirken, und aus dieser dann die Kraft berechnen, mit welcher die Kugeln in der Entfernungseinheit einander abstoßen. Letzterer ist aber das Produkt der auf den Kugeln vorhandenen Elektricitäten proportional. Bei dem Apparate von Kohlrausch dagegen wissen wir nicht, wie sich die Elektricitäten auf dem Wagebalken und dem Streifchen verteilen, in welchem Punkte man sich also die Elektricitaten konzentriert denken darf; ja die Punkte, in welchen wir uns die gesamten Elektricitäten angesammelt denken können, liegen verschieden, wenn der Wagebalken und das Streifchen verschiedene Winkel mit einander bilden. Deshalb läfst sich von dem beobachteten Ausschlagswinkel nicht direkt auf die Elektricitätsmengen schließen, welche dem Apparate mitgeteilt sind.

Würde man dagegen bei konstantem Ausschlagswinkel beobachten, also durch Torsion des Glasfadens immer dafür sorgen, daß der Wagebalken etwa einen Winkel von 10° mit dem Streifchen bildet, so würde die Verteilung der Elektricität auf dem Wagebalken und dem Streifchen immer dieselbe sein, man würde sich also die vorhandenen Elektricitäten immer in denselben Punkten konzentriert denken dürfen. Ist dann anfänglich dem Streifchen und Wagebalken, als sie zu einander senkrecht standen und sich berührten, die Elektricitätsmenge e mitgeteilt, welche gleich ist dem Produkte aus der Kapacität des Bügels und des senkrecht zu demselben gestellten Wagebalkens und dem Werte der Potentialfunktion des mit dem Bügel verbundenen Leiters, so wird ein gewisser Bruchteil $a \cdot c$ auf den Wagebalken übergegangen und die Menge (1-a)c auf dem Streifchen geblieben sein. Hat man später durch eine Torsion 8 bewirkt, dass Wagebalken und Streischen einen Winkel von 10° mit einander bilden, so wird die durch die Torsion & gemessene elektrische Abstofsung, welches auch die Elektricitätsmenge e sein mag, dem Produkte der auf dem Streifchen und der auf dem Wagebalken vorhandenen Elektricitätsmenge proportional sein, da dann die Elektricitäten immer aus der gleichen Entfernung auf einander einwirken. Daraus ergiebt sich, dal's in dem Falle die Elektricitätsmenge c, welche wir messen wollen, der Quadratwurzel aus der Torsion & proportional sein würde.

Da indessen diese Beobachtungsmethode sehr viel umständlicher ist als die zuerst angegebene, so würde der Apparat an leichter Brauchbarkeit bedeutend einbüsen, wenn sie zur Messung notwendig wäre. Das ist, wie Kohlrausch gezeigt hat, nicht notwendig. Es läßt sich nämlich durch eine Reihe von Beobachtungen für jedes Instrument leicht finden, wie groß die Torsion & sein muss, damit der Ausschlagswinkel gleich 100 wird, wenn infolge der elektrischen Abstossung allein der Ausschlagswinkel ein anderer wird. Man hat zu dem Ende nur ein für allemal die Torsionen zu bestimmen, welche erforderlich sind, um dem Wagebalken die Ablenkung von 10° zu erteilen, wenn dem Apparat irgend eine Elektricitätsmenge mitgeteilt ist. Kennt man diese, so kann man für jeden nach dem einfachen Verfahren beobachteten Ausschlagswinkel die Torsion & berechnen, welche den Wagebalken auf 10° zurückführen würde. Nennt man jene Elektricitätsmenge eins, welche einen Ausschlagswinkel von 100 hervorbringen würde, so würde die Elektricitätsmenge e, welche die Torsion 8 bedarf, um den Wagebalken auf 10° zurückzubringen, sein

$$e = \sqrt{\frac{3}{10}}$$
.

Kohlrausch hat für seinen Apparat Tabellen angegeben, welche diese Berechnungen zu machen gestatten, und dieselben in einer weiteren Tabelle für seinen Apparat ausgeführt, so dass man dort für jeden Ausschlagswinkel die betreffende Elektrieitätsmenge angegeben findet. Mit Hilfe dieser kann man leicht für jeden anderen Apparat ähnliche Tabellen aufstellen.

§. 46.

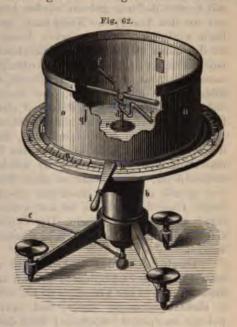
Das Sinuselektrometer von Kohlrausch. Kohlrausch hat noch ein anderes Elektrometer konstruiert, in welchem er die elektrischen Abstofsungen durch die Direktionskraft eines kleinen Magnetes mißt, und welches bei manchen Messungen, besonders wenn man sehr rasch nach einander den elektrischen Zustand eines Körpers oder Änderungen

desselben im Verlaufe der Zeit beobachten will, bequemer in der Anwendung ist als die vorhin beschriebene Torsionswage 1). Die Einrichtung des Apparates ist folgende:

In die Messinghülse b, welche von einem Dreifuß getragen wird (Fig. 62), ist mit Schellack eine Messingsäule a eingekittet. Auf der

Sinle a steckt mittels eines Konus, also in der Säule leicht drehbar, der Messingstift d, welcher die mit dem doppelten Stahlspiegel ss versehene Magnetnadel trägt. Außerdem ist mit diesem Stift der gebogene Messingstreif ff fest verbunden, in welchem die Magnetmdel gerade so hängt, wie der Wagebalken in dem Messingstreifthen bei Kohlrauschs Torsionselektrometer. Der Apparat wird so gestellt, dass die Nadel frei im mgnetischen Meridiane steht und der Messingarm mit der magnetischen Axe der Nadel einen kleinen Winkel a bildet.

Wird durch den Zuleitungsbraht c der Messingsäule a Elekbreität mitgeteilt, so verbreitet ich dieselbe über den Arm ff und die Nadel und die letztere wird von dem Arme abgestofsen,



weit, bis die elektrische Abstofsungskraft dem der Nadel durch ihre magnetische Direktionskraft erteilten Drehungsmomente das Gleichgewicht halt. Bildet die Nadel mit dem Meridiane den Winkel φ , so ist das die Nadel in den Meridian zurückführende Drehungsmoment gleich

MT . $\sin \varphi$,

wenn M das magnetische Moment der Nadel und T die horizontale Intensität des Erdmagnetismus bedeutet.

Teilt man dem Drahte c und somit dem Arme ff und der Nadel wine andere Elektricitätsmenge mit, so wird die Nadel bis zu einem andern Winkel φ' abgestoßen werden, und auch jetzt wird die elektrische Abstoßungskraft gleich

$MT \cdot \sin \varphi'$

sein. Wenn so aber auch die elektrischen Abstofsungskräfte dem Sinus des Ablenkungswinkels proportional sind, so kann man doch nicht, und war aus denselben Gründen wie bei der zuletzt beschriebenen Torsionswage aus den Ablenkungen auf die Elektricitätsmengen schliefsen. Um das zu können, ist notwendig, dafs bei allen Beobachtungen der Arm ff und die Nadel gleiche Winkel mit einander bilden.

¹⁾ Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. LXXXVIII. Die Fig. 62 abgebildete Form ist diejenige, welche Herr Schubart jetzt dem Apparate giebt.

Wellener, Physik. IV. 4 Aust.

Zur Herstellung dieser Bedingung ist der Stift d mit Schellack in de horizontalen Bodenplatte c von Messing festgekittet. Diese hat einen nie drigen emporstehenden Rand hh, trägt einen Griff i und einen Nonius welcher auf den durch Streben an der Säule befestigten geteilten Kreis kl zeigt, in welchem die Bodenplatte konisch so eingeschliffen ist, daß si mit sanfter Reibung gedreht werden kann. Dreht man die Bodenplatte un mit ihr den Arm ff der Nadel nach, so wird die Nadel weiter ausweichen doch wird der Winkel zwischen Nadel und Arm immer kleiner werden da das durch die magnetische Direktionskraft der Nadel erteilte Drehungs moment mit dem Sinus des Ablenkungswinkels wächst. Man wird dahe immer den Arm so weit drehen können, daß er mit der Nadel den Winkel bildet wie in der Ruhelage, oder einen andern Winkel β , vorausgesetzt daß die bei dem Winkel α oder β stattfindende elektrische Abstoßungskraft nicht größer ist als die Direktionskraft T. M.

Um den Arm ff so einzustellen, dass die Magnetnadel mit ihm imms den Winkel α oder β bildet, ist in den Rand der Bodenplatte ein Cylinder mantel oo von Messing gesetzt, welcher oben mit einer Glasplatte geschlossen ist, und welcher an einer Stelle einen kleinen Planspiegel t und dem gerade gegenüber einen mit einem Planglase geschlossenen Schlitz ist auf weißem Papier ein vertikaler schwarze Strich als Marke angebracht. Der Cylindermantel ist genau in den Rand leingeschliffen, kann jedoch beim Festhalten des Griffes i in ihm gedrek werden.

Durch den Schlitz blickend sieht man im Spiegel t die Marke ober halb q und den Stahlspiegel s'; wenn außerdem die Ebene des Spiegels s' genau senkrecht zur Visierlinie qt ist, sieht man im Spiegelbilde des Spiegel s' ebenfalls dieselbe Marke, und zwar gerade das Spiegelbild deckend welches im Spiegel t erscheint; denn das Licht, welches von der Marke au t füllt, wird nach s' reflektiert, von diesem wieder, da s' ganz wenig gegeldie Vertikale geneigt ist, nach t und von t wieder nach dem Schlitze q Man kann daher durch Drehung des Cylindermantels immer die Visierlini qt genau senkrecht zur Spiegelebene s' stellen.

Hat man bei der Ruhelage der Nadel den Arm ff so gestellt, dal er mit der magnetischen Axe der Nadel irgend einen Winkel α bildet, som dreht man zunächst den Cylindermantel ohne Bodenplatte so, daß di Visierlinie qt senkrecht ist zur Spiegelebene s'. Wird der Apparat dure Verbindung mit einem elektrisierten Leiter mit einer gewissen Elektricitäts menge c versehen, so dreht man an dem Griffe i die Bodenplatte, mit ihr den Arm ff und den Cylindermantel so weit, daß wieder die Visiellinie qt zur Ebene des Spiegels s' senkrecht steht. Dann bildet de Arm ff wieder genau den Winkel α mit der magnetischen Axe der Nade und der Winkel φ , um welchen die Bodenplatte gedreht wurde, ist zu gleich jener, welchen die magnetische Axe der Nadel mit dem magnetischen Meridiane bildet. Die elektrische, zwischen Arm und Nadel thätig Abstofsung ist auch jetzt wieder gleich MT. sin φ .

Erhült bei einer zweiten Ladung der Apparat die Elektricitätsmenge ℓ und beobachtet man dann in derselben Weise den Winkel φ' , so is die elektrische zwischen Nadel und Arm thätige Abstoßung gleic MT. $\sin \varphi'$.

Da nun in beiden Fällen Nadel und Arm gegen einander in derselben ge sind, so wird nach den Entwicklungen des vorigen Paragraphen beide die elektrische Abstofsung dem Quadrate der dem Apparate mitgelten Elektricitätsmenge proportional sein. Daraus folgt, daß das Quadrat ser Elektricitätsmengen dem Sinus des Ablenkungswinkels der Nadel oportional ist, oder daß

$$e: e' = \sqrt{\sin \varphi} : \sqrt{\sin \varphi'}.$$

Die dem Apparate mitgeteilten Elektricitätsmengen sind also den aadratwurzeln aus dem Sinus der in der angegebenen Weise gemessenen blenkungswinkel der Nadel proportional.

In der angegebenen Weise ist der Gebrauch des Sinuselektrometers n ziemlich beschränkter, d. h. die mit einander zu vergleichenden Elekieitätsmengen sind zwischen ziemlich engen Grenzen eingeschlossen, die üste kann nur ungefähr sechsmal so groß sein als die kleinste, wenn tztere noch mit hinlänglicher Genauigkeit gemessen werden soll. Es erebt sich das daraus, daß der Winkel φ niemals absolut genau bestimmt erden kann, und daß diese Ungenauigkeit auf das schließliche Resultat num so größerem Einfluß ist, je kleiner der Winkel φ ist.

Man kann indes den Gebrauch des Apparates bedeutend erweitern, enn man nicht nur bei demselben Winkel α zwischen Arm und Nadel, ndern auch bei andern Winkeln β und γ beobachtet. Je größer nämlich γ Winkel β oder γ ist, um so kleiner wird bei gleicher Elektricitätsenge der Winkel φ . Um daher kleine Werte der Potentialfunktion zu ergleichen, also nur kleine Elektricitätsmengen zu vergleichen, wählt man nen kleinen Winkel α , um größere Mengen zu vergleichen, dagegen nen größeren Winkel β . Man kann aber auch die Beobachtungen bei em Winkel α mit denen bei dem Winkel β vergleichen.

Bedingt nämlich bei dem Winkel α eine Elektricitätsmenge die Abnkung φ , bei dem Winkel β die Ablenkung ψ , so ist der Quotient

$$V^{\frac{\sin \varphi}{\sin \varphi}}$$

onstant, welches auch die Elektricitätsmenge e sein mag. Denn bewirkt ine andere Elektricitätsmenge bei dem Winkel α die Ablenkung φ' , bei lem Winkel β aber ψ' , so ist nach dem Vorigen

$$e: e' = \sqrt{\sin \varphi} : \sqrt{\sin \varphi'}$$

$$e: e' = \sqrt{\sin \psi} : \sqrt{\sin \psi'},$$

ilso

$$\sqrt{\frac{\sin \varphi}{\sin \psi}} = \sqrt{\frac{\sin \varphi'}{\sin \psi'}} = v.$$

Dieser Quotient v lässt sich für eine Reihe von Winkeln durch Veruche finden, indem man die Ablenkungen φ , ψ , χ beobachtet, welche in und dieselbe Elektricitätsmenge hervorbringt, wenn Arm und Nadel ie Winkel α , β , γ mit einander bilden.

Hat man diesen Quotienten z. B. für zwei Winkel α und β bestimmt, id beobachtet bei einem Winkel α durch eine Elektricitätsmenge c die blenkung ϕ , durch eine andere Elektricitätsmenge E bei dem Winkel β

die Ablenkung ψ , so weiß man zunächst, daß die Elektricitätsmenge e bei dem Winkel β die Ablenkung ψ' hervorgebracht hätte, so daß

$$\sqrt{\sin \psi'} = \frac{\sqrt{\sin \varphi}}{v},$$

und daraus ergiebt sich dann

$$e: E = \frac{\sqrt{\sin \varphi}}{v}: \sqrt{\sin \psi}$$

$$E = e \cdot v \cdot \sqrt{\frac{\sin \psi}{\sin \psi}}.$$

Setzt man jene Elektricitätsmenge als Einheit, welche bei dem Winkel α zwischen Arm und Nadel $\varphi = 90^{\circ}$ macht, so ist immer

$$e = \sqrt{\sin \varphi}$$

und

hen.

$$E = v \cdot V \sin \psi$$

Es wird also die bei dem Winkel β zwischen Arm und Nadel gemessene Elektricitätsmenge durch die angenommene Einheit ausgedrückt, wenn man die Quadratwurzel aus dem Sinus des beobachteten Ablenkungswinkels mit dem für den Winkel β gefundenen Quotienten v multipliziert.

Eine fernere Erweiterung im Gebrauche des Sinuselektrometers wird man dadurch erreichen, dass man Nadeln von verschieden starkem magnetischen Momente gebraucht. Die Angaben derselben werden dadurch sehr leicht vergleichbar, dass man sie bei Anwendung derselben Elektricitätsquelle mit einander vergleicht. Indem man so Nadeln mit sehr großem und solche mit sehr kleinem Momente verwendet, kann man Elektricitäten von sehr verschiedener Stärke mit einander vergleichen.

§. 47.

Elektrometer von Thomson. Die beschriebenen Elektrometer von Kohlrausch, wenn sie auch viel geringere Mengen von Elektricität zu messen gestatten als die Drehwage, erfordern doch immerhin noch ziemlich starke Elektricitäten, da die beiden Teile der Elektrometer, welche gegen einander beweglich sind, mit derselben zu untersuchenden Elektricität geladen werden müssen. Für manche Messungen, bei denen es sich um sehr schwache Elektricitäten handelt, sind sie deshalb nicht ohne weitere, später zu besprechende Hilfsmittel brauchbar. W. Thomson hat es sich deshalb zur Aufgabe gemacht, Elektrometer zu konstruieren, welche auch die schwächsten Elektricitäten direkt zu messen gestatten, und hat deren eine ganze Reibe angegeben 1). Das von Thomson bei der Konstruktion dieser Elektrometer angewandte Princip ist dasjenige des Behrensschen Elektroskopes, ein kon-

¹⁾ W. Thomson, Report of British Association for advancement of sciences for 1867. Wieder abgedruckt und mit Zusätzen versehen in: Reprint of papers on electrostatics and magnetism by Sir William Thomson, London 1872. Article XX. Report on electrometers etc. p. 260 ff. Abbildung und Beschreibung des Quadrantenelektrometers S. 262-280. Das portable Elektrometer ist auch beschrieben von Dellmann in Carls Repertorium Bd. 3. Das Quadrantenelektrometer von Thomson ihm gegebenen Form ist vom Mechaniker White in Glasgow

ant elektrisierter Körper wirkt auf einen andern, welcher mit der zu ntersuchenden Elektricität versehen wird, und versetzt den letztern in ewegung oder wird von ihm selbst in Bewegung versetzt. Von den verhiedenen Formen, welche Thomson nach und nach konstruiert hat, dem bsoluten Elektrometer, dem tragbaren Elektrometer u. s. f. hat nur eines ine größere Verbreitung erlangt, wir begnügen uns deshalb hier mit der beschreibung nur dieses einzigen, es ist das in seiner jetzigen Form als hadrantenelektrometer bezeichnete. In demselben wird der bewegliche feil in einem konstanten elektrischen Zustand gehalten und die zu messende Elektricität festen Leitern mitgeteilt, welche dann auf den beweglichen unziehend oder abstofsend einwirken.

Die Einrichtung des Apparates zeigt Fig. 63 in einer perspektivischen Seitenansicht und Fig. 64 in einem zur Seitenansicht Fig. 63 senkrechten Durchschnitte. Ein von bestisolierendem weißen Flintglas gefertigter ylinder, oben offen mit abgeschliffenem ebenen Rande und halbkugelörmigem Boden ist in einem Messingdreifusse so aufgestellt, dass der bere Rand genau horizontal ist. Der Cylinder ist, wie die später zu esprechenden Leydner Flaschen innen und außen mit Stanniol beklebt nd bis zu einer gewissen in den Figuren angedeuteten Höhe mit konzennerter Schwefelsäure gefüllt. Die Schwefelsäure hat einmal den Zweck, m innern Raum der Flasche vollständig trocken zu halten, dann aber witer den beweglichen Teil des Apparates mit der innern Stanniolblegung in leitende Verbindung zu setzen. Die äußere Belegung ist it der Erde in leitender Verbindung. Der Glascylinder bildet so eine eydener Flasche, welche, wie wir in einem spätern Paragraphen besprechen renden, dadurch dauernd elektrisch geladen werden kann, dass man der mern Belegung aus irgend einer Quelle Elektricität zuführt. Die auf der mem Belegung angesammelte Elektricität bleibt lange Zeit annähernd constant.

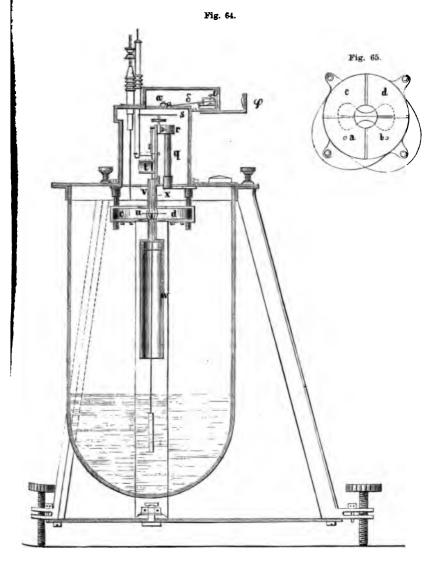
Anf den obern Rand des Glascylinders ist ein Metalldeckel aufgelegt nd mit Schrauben auf der Fassung desselben befestigt, der die weitern eile des Apparates trägt. Zunächst sind mit gut isolierenden Glas-täben an demselben befestigt die vier Quadranten, denen die zu messende lektricität zugeführt ist. Dieselben a und b Fig. 63 von der Seite c and d Fig. 64 im Durchschnitt und a, b, c, d Fig. 65 von oben gesehen, estehen aus den Teilen eines flachen Messingeylinders, der unten und oben arch einen Metallboden geschlossen ist, und durch zwei Schnitte, welche urch zwei zu einander senkrechte Durchmesser des Cylinders geführt sind, 4 Quadranten zerlegt werden. Die Quadranten sind, wie Fig. 65 zeigt, msammengestellt, daß zwischen ihnen den Schnitten entsprechend nur u kleiner Zwischenraum ist. Sie sitzen genau symmetrisch zur Axe des anzen Instrumentes, so dass die Axe desselben mit der Axe der zu einem ylinder wieder zusammen geschobenen Quadranten zusammenfällt. In der litte ist von jedem Quadranten durch einen mit dem Umfang konzentrithen Kreisschnitt ein Teil fortgenommen, so dass dort eine die Quadranten urchsetzende cylindrische Öffnung hergestellt ist.

Von den vier Quadranten sind die je zwei sich gegenüberstehenden, und d sowie b und c durch feine Drähte mit einander in metallische erbindung gebracht, so dafs die so verbundenen Quadranten je eines Paares immer dieselbe elektrische Ladung besitzen, wenn m Quadranten jedes Paares Elektricität zuführt. Diese Zuführ durch die beiden Elektroden l und m, Fig. 63, welche aus ten bestehen, die isoliert durch den Deckel der Flasche hi



sind, und welche ebenfalls isoliert durch die obere Flache Deckel gesetzten Kastens, die Laterne, in *l* und *m* herv unteres Ende ist durch eine federnde Spirale mit den Quadr leitend verbunden. Man verbindet in der Regel den einen d drähte mit der Quelle, deren Potentialfunktion gemessen we den andern mit der Erde, so dass also das eine der Quadrantenpaare geladen wird, das andere nicht.

In dem innern Raum der 4 Quadranten schwebt die Nadel u Fig. 64, welche von den elektrisierten Quadranten abgelenkt wird; dieselbe besteht,



wie es Fig. 65 punktiert angedeutet ist, aus einem lemniskatenförmig geschnittenen Stück von dünnstem Aluminiumblech, welches an einem Platindraht z Fig. 64 befestigt ist, so dass der Draht genau normal zur Ebene der Nadel steht. Der Draht ist unterhalb der Nadel verlängert und durch einen feinen Platindraht, an dem unten ein kleines Platingewichtchen

hängt, welches, wie die Figuren zeigen, in die Schwefelsäure taucht, mit der Schwefelsäure und dadurch mit der innern Belegung der Flasche in leitende Verbindung gebracht. Nahe dem obern Ende des Platindrahtes ist an denselben ein kleiner äußerst leichter Hohlspiegel t Fig. 63 und 64 befestigt, dessen Brennweite etwa $\frac{1}{2}$ Meter beträgt, und der das Bild eines passend aufgestellten feinen Lichtspaltes auf eine in der richtigen Entfernung von dem Apparate aufgestellte Skala wirft.

Dieses ganze System, Nadel, Platindraht und Spiegel hängt an einem Coconfaden, welcher an der Platte r des ebenfalls aus gut isolierendem Glas gefertigten Trägers q befestigt ist. Der den Spiegel und die Nadel tragende Platindraht hängt vertikal in der Axe der Schutzröhren v und v, welche an einer von der Platte herabkommenden Leiste befestigt sind. Der obere Teil der Schutzröhren ist durch einen erweiterten Teil im Innern der Quadranten mit dem untern verbunden; dieser erweiterte Teil hat seitliche Ausschnitte, welche die Nadel durchlassen, und ihr gestatten in einem gewissen nur kleinen Winkel in horizontaler Ebene zu beiden Seiten ihrer Gleichgewichtslage zu schwingen.

Die Gleichgewichtslage der Nadel ist, wie Fig. 65 zeigt, so, dass dieselbe von einem der Schnitte, welcher zur Herstellung der Quadranten durch den sie liefernden Cylinder geführt ist, genau halbiert wird; sie wird bei den frühern Instrumenten in dieser Lage durch die außerhalb der Flasche befestigten starken Magnete festgehalten, welche einen kleinen an dem Spiegel angehefteten Magnet anziehen. Bei den neueren Apparaten hat Thomson anstatt der magnetischen Direktionskraft eine solche durch bifilare Aufhängung angewendet, wodurch, wie wir bei Besprechung des Bifilarmagnetometers sahen, der Nadel ebenso ihre bestimmte Gleichgewichtslage gegeben werden kann.

Nach Beschreibung der wesentlichen Teile des Apparates ergiebt sich der Gebrauch desselben unmittelbar; durch die mit der innern Belegung der Flasche in Verbindung stehende, ebenfalls aus der Laterne hervorragende Elektrode p wird der innern Belegung der Flasche eine gewisse Ladung erteilt, welche annähernd längere Zeit konstant bleibt. Setzen wir zunächst voraus, sie sei ganz konstant. Da die Nadel durch die Schwefelsäure und den mit ihr verbundenen Platindraht mit der innern Belegung in leitender Verbindung steht, so wird auch die Nadel geladen und erhalt einen gewissen Wert der Potentialfunktion, welchen wir mit C bezeichnen Wir wollen annehmen, die Ladung sei positiv. So lange die Quadranten unelektrisch sind, wird bei der genau symmetrischen Stellung der Nadel zu denselben die Gleichgewichtslage der Nadel dadurch gu nicht gestört. Führt man aber dem einen Quadrantenpaar, etwa a und d durch die zugehörige Elektrode Elektricität zu, während die andere urelektrisch gehalten wird, so wird sofort die Nadel aus ihrer Gleichgewichts lage abgelenkt, wenn die Quadranten positiv geladen werden in dem einen wenn sie negativ geladen werden in dem andern Sinne. Sind z. B. die Quadranten positiv geladen, so stöfst jeder derselben die in ihm befindliche Hülfte der Nadel ab mit einer Kraft, welche dem Produkte der in dem Quadranten und der auf der Nadel vorhandenen Elektricität proportional ist, und durch diese Kraft wird der in d Fig. 65 schwebende Teil der Nadel gegen b, der in a schwebende gegen c getrieben. Die Nadel erhält dadurch ein Drehungsmoment und wird abgelenkt, bis das ihr durch die magnetische Direktionskraft oder die bifilare Aufhängung erteilte Drehungsmoment dem erstern gleich geworden ist, und sie so in der abgelenkten Lage zur Ruhe kommt. Die ablenkenden Kräfte sind also ganz wie bei dem Sinuselektrometer dem Sinus des Ablenkungswinkels proportional.

Die Ablenkung wird gemessen durch die Drehung des Spiegels, indem man die Verschiebung des Bildes einer feinen Lichtlinie auf einer horizontalen Skala beobachtet, welche senkrecht zu der Axe des kleinen Hohlspiegels steht, wenn derselbe sich in der unabgelenkten Gleichgewichtslage befindet. Man beobachtet also direkt die Tangente des doppelten Ablenkungswinkels, da indes die Ablenkungen stets nur wenige Grade betragen, kann man dieselben dem Sinus des Ablenkungswinkels proportional setzen; dann sind also die ablenkenden Kräfte den an der Skala gemes-

senen Ablenkungen proportional.

Würde in der abgelenkten Lage die abstosende Kraft dieselbe sein wie in der unabgelenkten, so würde die so gemessene Ablenkung auch der in dem Quadranten a vorhandenen Ladung proportional zu setzen sein, da wir vorher sahen, das die abstosende Kraft dem Produkte der auf dem Quadranten und auf der Nadel vorhandenen Elektricität proportional zu setzen ist. Das ist nun in der That, so lange die Ablenkungen nur klein ind, der Fall; denn wenn auch in der abgelenkten Lage ein Teil der dektrisierten Nadel sich von dem gleichnamig elektrisierten Quadranten autfernt hat und infolge dieser Entfernung die Abstosung kleiner geworden ist, so tritt gleichzeitig mit dieser Entfernung auch eine etwas andere Verteilung der Elektricitäten in dem Quadranten und der Nadel ein, welche jene Verkleinerung wieder aufhebt, so lange eben die Ablenkung mur klein bleibt. Es ist somit die Ladung des Quadranten, so lange jene der Nadel konstant ist, einfach der an der Skala beobachteten Ablenkung roportional zu setzen.

Ganz dasselbe gilt auch, wenn wir den Quadranten a mit einer dem Vorzeichen nach derjenigen der Nadel entgegengesetzten Ladung versehen, um daß in dem Falle die Ablenkung der Nadel die entgegengesetzte ist, ban bei entgegengesetzter Ladung verwandelt sich die Abstofsung zwischen

madrant und Nadel in Anziehung.

Ladet man die beiden Quadrantenpaare, das Quadrantenpaar a bis m dem Werte A, das Quadrantenpaar b bis zu einem Werte der Potentialfunktion gleich B, so ergiebt eine der vorigen ganz gleiche Überlegung, das die Ablenkung der Nadel der Differenz der Potentialfunktion proportional sein muß. Denn nennen wir die Ladung der Nadel C, so ist die Abstoßsung des Quadrantenpaares a proportional dem Produkte $A \cdot C$, lene des Quadrantenpaares b proportional $B \cdot C$. Da diese Abstoßsungen integegengesetzte Ablenkungen hervorbringen, so ist die Ablenkung proportional

$$(A - B) C$$
.

lst die Ladung B von entgegengesetztem Vorzeichen, so geht diese Differenz in eine Summe über

$$(A - (-B)) C = (A + B) C.$$

Die in dem Vorigen angenommene strenge Proportionalität zwischen der Ablenkung der Nadel und den Ladungen der Quadranten besteht selbst bei Voraussetzung kleiner Ablenkungen nur, wenn die Ladungen A oder B nur klein sind, oder wenn die Ladung B, im Falle beide Quadranten geladen sind, dem Vorzeichen nach derjenigen A entgegengesetzt, der Größe nach aber genau gleich ist. Denn eine genauere Untersuchung der ablenkenden Kräfte liefert für dieselben den Ausdruck 1)

$$\alpha(A-B)(C-\frac{1}{2}(A+B)),$$

worin α eine Konstante bedeutet, welche von den Dimensionen in dem Apparate abhängig ist. Man sieht, dass außer in dem Falle, dass B = -A, die Ablenkung nur dann der Differenz der Ladungen A -- B, oder wenn B gleich Null gehalten wird, der Ladung A proportional gesetzt werden darf, wenn A gegen C sehr klein ist.

Das Thomsonsche Elektrometer ist also nur geeignet sehr schwache Ladungen zu messen, und seine Genauigkeit ist um so größer, je geringere Ablenkungen beobachtet werden.

Aber auch in dem Falle ergiebt sich aus obiger Gleichung als eine Eigentümlichkeit des Thomsonschen Elektrometers, daß wenn man das Quadrantenpaar b ableitet, und nur a ladet, daß dem Vorzeichen nach entgegengesetzte, der Größe nach genau gleiche Ladungen A nicht genau gleiche Ablenkungen hervorbringen. Ist nämlich die Ladung A mit derjenigen C gleichnamig, so wird, wenn B=0, die Ablenkung gegeben durch

$$\alpha A (C - \frac{1}{2}, A);$$

ist dagegen A von entgegengesetztem Vorzeichen als C, so wird die Ablenkung

$$-\alpha A (C + \frac{1}{2} A).$$

Die Ablenkungen verhalten sich somit wie

$$C - \frac{1}{2}A : C + \frac{1}{2}A$$

es wird also immer bei gleicher Ladung die mit der Nadel ungleichnamige Elektricität eine etwas größere Ablenkung bewirken als die gleichnamige ein Umstand, der bei Vergleichungen von Elektricitätsmengen verschiedenen Vorzeichens nicht außer Acht gelassen werden darf.

Die Messung mit dem Thomsonschen Elektrometer setzt, wie sich aus den vorgeführten Ableitungen ergiebt, voraus, dass die Ladung der Flasche und damit der Nadel eine durchaus konstante ist. Das Instrument von Thomson bedarf deshalb eines Mittels, um diese Konstanz zu präsen. Thomson hat zu dem Zwecke an demselben ein Elektrometer angebracht, welches jede Veränderung in der Ladung der Flasche zu erkennen gestattet. Dasselbe ist Fig. 64 sichtbar, wo die einzelnen Teile desselben mit s, α , δ , ε , φ bezeichnet sind.

Auf dem Träger q ist eine kreisförmige Platte von 38 mm Durchmesser befestigt, welche mit der innern Belegung der Flasche in leitender Ver-

¹⁾ Man sche Maxwell: A treatise on Electricity and Magnetism, Oxford 1873. Vol. I, p. 273; doutsche Übersetzung der zweiten Auflage S. 350 ff.

kimlung ist, somit dieselbe Potentialfunktion erhält als die Flasche. Über demselben ist in dem Deckel der Laterne eine kleine quadratische Öffnung ausgeschnitten, so dass der Mittelpunkt der Öffnung sich über dem Mittelpunkte der kreisförmigen Scheibe s befindet. In dieser Öffnung schwebt ein kleines quadratisches Scheibchen von dünnem Aluminiumblech, dasselbe befindet sich an dem einen Ende des aus ebenfalls dünnem Aluminiumblech bestehenden Hebels &. Es wird getragen durch einen dannen Platindraht, welcher durch zwei Löcher des Scheibehens und zwischen denselben fiber eine kleine auf dem Scheibehen angebrachte Erhöhung geht. Der Platindraht ist schwach tordiert und ausgespannt zwischen zwei Federn, welche neben der Öffnung stehen, so daß der gespannte Draht make der einen Seite des Quadrates und derselben parallel neben der Offnung sich befindet. Das Scheibehen mit dem Hebel & wird durch die Torsion des Drahtes um die Axe des Drahtes gedreht, so dass das Scheibthen nach oben und das andere Ende des Hebels & nach unten geht. Die Bewegung wird gehemmt durch einen kleinen nahe dem Ende des Hebels auf dem Deckel der Laterne, bei & angebrachten Stift, auf welchen sich der Hebel auflegt. Das Ende des Hebels & ist gabelförmig ausgearbeitet, und zwischen den Zinken der Gabel befindet sich auf dem Deckel der Laterne vertikal befestigt ein kleiner Streif, welcher auf der nach dem Außern des Instrumentes gerichteten Seite weiß emailliert ist. Zwischen den Gabelzinken ist, so daß es vor der weißen Fläche schwebt, ein feines schwarzes Haar ausgespannt.

Ist die Flasche und damit die Scheibe s geladen, so wird durch die elektrische Anziehung der Scheibe s das Aluminiumscheibehen a herabgezogen, da dasselbe nur Influenzelektricität der ersten Art enthält, weil s ableitend mit der Erde verbunden ist. Die Anziehung hängt ab von dem Werte der Potentialfunktion, bis zu welchem die Flasche und damit die Scheibe s geladen ist. Das Scheibchen α bewegt sich infolge der Anziehung soweit nach unten, bis die elektrische Anziehung der durch die Bewegung des Scheibchens verstärkten Torsion des Drahtes das Gleichgewicht halt. Wenn das Scheibchen herabsinkt, wird das andere Ende des Hebels & gehoben, und es wird nun die Ladung der Flasche stets so zewählt, dass das schwarze zwischen den Enden der Gabelzinken des Hebels angespannte Haar sich zwischen zwei um ganz wenig mehr als die Dicke des Haars auseinanderstehenden kleinen schwarzen Kreisen befindet, welche über einander auf der weißen Fläche des zwischen den Gabelzinken befindlichen Emailstreifens angebracht sind. Die Beobachtung der Stellung des Haares geschieht durch die plankonvexe Linse q, welche ihre konvexe Seite nach dem Instrumente wendet.

Wie man hierdurch erkennen kann, ob die Potentialfunktion des Apparates und damit die der Lemniskate konstant und genau die gewünschte ist, ergiebt sich unmittelbar. Ist die Ladung geringer als die normale, so wird die Anziehung der Scheibe s auf die Aluminiumplatte deiner, die letztere steigt infolge der Torsion, das Haar steht zu tief; ist die Ladung zu stark, so wird die Aluminiumplatte zu tief hinabgezogen, das Haar steht zu hoch. Im ersteren Falle muß man die Ladung verstärken, im letzteren schwächen.

Da mit der Zeit immer eine Schwächung der Ladung eintritt, hat

Thomson an dem Elektrometer einen kleinen Apparat angebracht, den er replenisher nennt und der durch die Drehung einer Axe in dem einen Sinne die Ladung zu verstärken, durch Drehung derselben im entgegengesetzten Sinne dieselbe zu schwächen gestattet. Das Princip des Apparates ist dasselbe, wie das der später zu beschreibenden Influenzmaschine; wegen genauerer Beschreibung desselben verweisen wir auf die Abhandlung von Thomson.

Der Thomsonsche Elektrometer in seiner ihm ursprünglich gegebenen Form ist ein sehr feiner und nicht ganz leicht zu handhabender Apparat; es sind deshalb später mehrfache Modifikationen respektive Vereinfachungen angegeben, welche zum Teil von Thomsons Konstruktion darin abweichen, dass sie das konstante Potentialniveau der Nadel nicht durch eine im Apparat angebrachte zu ladende Flasche herstellen, sondern dass sie die Schwefelsäure des Gefässes mit einer Elektricitätsquelle konstanten Potentialniveaus in leitende Verbindung setzen. Derartige Elektricitätsquellen werden wir im nächsten Abschnitt kennen lernen. Manche geben auch den Quadranten eine konstante Potentialdifferenz und bringen den Leiter, dessen Potentialniveau bestimmt werden soll, durch Vermittelung der Schwefelsäure mit der Nadel in Verbindung. Wir erwähnen von den verschiedenen Formen diejenige von Kirchhoff, von dem Mechaniker Desags in Heidelberg zu beziehen, von dem Mechaniker Stöhrer in Leipzig, von Edelmann in München, von Branly und Angot 1), und von Mascart, dessen Konstruktion von dem Mechaniker Carpentier in Paris zu beziehen und in der von demselben publicierten Notice sur l'éléctromètre de M. Mascart beschrieben ist.

Die große Empfindlichkeit des Thomsonschen Elektrometers, durch welche es uns in den Stand setzt, Potentialdifferenzen zu messen, welche an den Elektrometern von Kohlrausch überhaupt noch keine Bewegung der Nadeln erzeugen, beruht darauf, dass die Nadel oder die Quadranten schon relativ kräftig elektrisiert sind und demnach auf das Bewegliche des Apparates schon einwirken, wenn die zu messende Elektricität nur minimal ist. Es ist also das von Behrens bei seinem Elektroskop angewandte Princip, welches die Empfindlichkeit bedingt.

In einfachster Weise hat Hankel dieses Princip zur Messung benutst, indem er direkt das Behrenssche Elektroskop in ein Elektrometer verwandelt hat2). Die beiden Platten desselben, K und Z Fig. 41 sind mit Schrauben verstellbar, um so bewirken zu können, dass das Goldblätteben genau in der Mitte zwischen denselben hängt, die Bewegung des Goldblättehens wird mittels eines Mikroskops, das ein Okularmikrometer ent hält, gemessen. Da überhaupt nur sehr kleine Ausschläge benutzt werden, ist bei konstanter durch eine der später zu besprechenden Elektricitätsquellen hergestellter Differenz der Potentialniveaus in den Platten, der Wert der Potentialfunktion, welche im Goldblättchen vorhanden ist, dem Ausschlage des Goldblättchens proportional.

¹⁾ Branly, Annales de l'école normale 2. serie, T. II p. 209; Angot, An-

nales de l'école normale 2. serie, T. III.

2) Hankel, Abhandl. der Königl. Sächs. Gesellsch. der Wissensch. Bd. V.

Poggend. Ann. Bd. LXXXIV.

S. 48.

Elektrische Polarisation in Nichtleitern. Bei Beprechung der Influenzerscheinungen (§. 35) haben wir schon erwähnt, daß auch die Nichtleiter dem Einflusse der Influenz unterliegen und haben Versuche von Aspinus und Faraday mitgeteilt, welche das Vorhandensein der beiden Influenzelektricitäten in den Nichtleitern nachweisen.

In Bezug auf die Art der Elektrisierung der Nichtleiter nahm man friher an, dass ein qualitativer Unterschied zwischen Leitern und Nichtleitern nicht existiere, dass die Isolatoren eben nur schlechte Leiter seien. Damach werden die Nichtleiter gerade so elektrisiert wie die Leiter, nur wird durch die mangelnde Leitung das Auseinandertreten der Elektricität verzögert; es bedarf deshalb Zeit, bis die Influenz zur vollen Wirkung tommt. Während in den Leitern die Verteilung der Elektricität momentan m erfolgt, dass unter Wirkung der Influenz die Potentialfunktion in dem influenzierten Leiter überall denselben Wert annimmt, ist das in den Nichtleitern nicht der Fall; dort kann die Potentialfunktion an den verschiede-Men Stellen einen verschiedenen Wert haben, und es findet in denselben 30 lange eine Bewegung der Elektricität statt, als die dem Unterschiede der Potentialfunktion an den verschiedenen Stellen entsprechende Kraft imstande ist den Widerstand des Nichtleiters zu überwinden. Es braucht deshalb die Potentialfunktion in dem Nichtleiter niemals überall denselben Wert anzunehmen, damit der Gleichgewichtszustand eintrete, sondern ähnlich wie bei einer Flüssigkeit in einer engen Röhre erst bei einem ge-Wissen Drucke die Bewegung beginnt, ebenso kann auch in dem Nichtleiter die Bewegung so lange dauern, als die treibende Kraft eine gewisse von der Beschaffenheit des Leiters abhängige Größe hat.

Dieser früher wohl ganz allgemeinen Ansicht über das elektrische Verhalten der Nichtleiter ist in neuerer Zeit, wesentlich durch die Anschauungen Faradays1) veranlafst, eine andere Auffassung der Nichtleiter regenüber gestellt, welche in gewisser Weise einen qualitativen Unterschied zwischen Leiter und Nichtleiter annimmt. Nach dieser Auffassung and die einzelnen Moleküle auch der Isolatoren in sich vollkommene Leiter, sie sind indes durch isolierende Zwischenräume von einander getrennt, welche einen Übergang der Elektricität zwischen diesen Molekülen nicht gestatten. Wird ein Nichtleiter der Wirkung der Influenz unterworfen, so tritt hiernach in demselben ein Zustand der Polarisation ein, indem in allen leitenden Molekülen die Elektricitäten getrennt werden, wie in einem der Wirkung der Influenz unterworfenen Leiter, so dass die Influenzelektreität der ersten Art sich an die dem influenzierenden Körper zugewandte Stite, jene der zweiten Art an die abgewandte Seite des Molekuls begiebt. Der elektrische Zustand eines influenzierten Isolators wäre also ganz ühnach dem magnetischen Zustande eines unter der Wirkung eines Magnet-Poles stehenden Stabes von weichem Eisen, in welchem die Moleküle

¹⁾ Faraday, Experimental researches on electricity, 11. Reihe, §. 1164. Poggend. Ann. Bd. XLVI; 14. Reihe, §. 1669 und 1670, Poggend Ann. Ergänsungsband I. Über früher schon ausgesprochene ähnliche Ansichten von Belli und Configliachi sehe man Belli, Corso di fisica aperimentale Bd. III p. 227 ff. Von Mosotti, Atti della societa Italiana delle Scienze Tom. XXIV.

magnetisch polarisiert sind, mit dem Unterschiede nur, daß in den Isolatoren die elektrische Polarität aller Molekule die gleiche ist, während in dem Eisen das magnetische Moment der Molekule verschieden ist, je nach der Lage derselben im Stabe.

Wenn wir auch erst im §. 52 die theoretischen Ansichten Faradays und deren Entwicklung durch William Thomson und Maxwell etwas naher besprechen werden, so sei hier doch schon erwähnt, dass für Faraday diese Auffassung der Nichtleiter sich aus der Ansicht ergab, dass eine elektrische Fernewirkung wenigstens dann nicht existiert, wenn nicht zwischen dem influenzierenden und influenzierten Körper ein absolut leerer Raum vorhanden ist. In dem letztern Falle giebt Faraday eine Wirkung in die Ferne zu1). Befindet sich aber zwischen einem elektrisierten Körper und einem von demselben entfernten Leiter irgend ein isolierendes Zwischenmittel, Luft oder ein anderes, so wird von dem Leiter zunächst die ihn unmittelbar umgebende Molekülschicht polarisiert, diese polarisiert die zweite Molekülschicht, diese die dritte u. s. f. bis zu dem entfernten Leiter. Diese an den letztern angrenzende Molekülschicht polarisiert ebenso die Moleküle des Leiters, von denen aber die Elektricitäten sich entfernen und auf dem Leiter nach den Gesetzen der elektrischen Verteilung sich verbreiten. Faraday nimmt also an, dass die Wirkung der auf dem Leiter vorhandenen Elektricität nicht über die erste Molekülschicht hinausgebe, und dass die scheinbare Wirkung in die Ferne dadurch zustande komme, dafs die Elektrisierung von Molekül zu Molekül beziehungsweise von Schicht zu Schicht voranschreite. Faraday nennt deshalb die nichtleitenden Körper dielektrische Körper oder Dielektrika.

Es waren hauptsächlich zwei Beobachtungen, in denen Faraday eine Stütze dieser seiner Anschauung sah, nämlich erstens der, wie er glaubte, von ihm geführte Nachweis, dass die Verteilung auch in krummen Linien erfolgen könne und zweitens die Beobachtung, dass die Wirkung der Influenz von einem elektrisierten Körper auf einen entfernten Leiter ihrer Stärke nach sehr verschieden ist, je nach der Natur des Isolators, welcher sich zwischen dem influenzierenden und dem influenzierten Leiter befindet.

Den Beweis dafür, daß die Verteilung auch in krummen Linien erfolgen könne, sah Faraday²) in dem schon § 36 beschriebenen und Fig. 43 dargestellten Versuche, dem er verschiedene Formen gab. Wie wir der erwähnten, wird die kleine Kugel f, wenn sie sich in der Mitte auf der abgeleiteten, über den an seinem obern Ende durch Reiben elektrisierten Schellackcylinder gehaltenen, leitenden Platte befindet, durch Influen nicht elektrisch, sie wird dagegen durch Influenz elektrisch, wenn sie nahe dem Rande bei g oder oberhalb der Scheibe bei h gehalten wird. Da die Kugel bei f durch Influenz nicht elektrisch wird, so hält es Faraday für erwiesen, daß die verteilende Wirkung des Schellackcylinders nicht durch die mit dem Erdboden in leitende Verbindung gesetzte Metallscheibe hindurchgehen könne. Da aber in g oder h die Kugel durch Verteilung

¹⁾ Faraday, Experimental researches etc. 13. Reihe §. 1613 ff. Poggeod. Ann. Bd. XLVIII.

²⁾ Furaday a. a. O. 11. Reihe, §. 1215 ff. Poggend, Ann. Bd. XLVI.

ttrisch wird, und da ferner die geraden Linien, welche die Kugeln mit m elektrischen Schellackcylinder verbinden, sämtlich durch die über den mellack gehaltene abgeleitete Scheibe gehen, so schließt Faraday, daß Verteilung auch in krummen Linien, welche die Kugel durch die dieleksche Luft mit dem Schellack verbinden, wirksam sei.

Man erkennt indes leicht, dass dieser Beweis auf einer petitio principii ruht, es wird in demselben das schon als richtig vorausgesetzt, was besen werden soll, nämlich, dass die Elektricität nur durch Polarisation angrenzenden Teile in die Ferne wirkt. Denn nur unter dieser Vorausung kann die Elektricität nicht durch die abgeleitete Platte hindurch kan, da gerade die Influenzelektricität zweiter Art, welche in der Platte, na sie nicht abgeleitet wäre, an der obern Seite vorhanden sein und Polarisation weiter vermitteln würde, abgeleitet ist, dadurch, dass die tite mit dem Erdboden in leitende Verbindung gesetzt ist. Nimmt man Faradays Theorie, dass die Verteilung nur eine Wirkung angrenzentelchen ist, an, so beweist der Versuch, dass eine Verteilung in mmen Linien stattfinden kann. Nimmt man dagegen Faradays Theorie lat von vornherein an, so beweist dieser Versuch nichts für dieselbe d nichts für die Verteilung in krummen Linien 1).

Denn wie wir schon §. 36 ableiteten ergiebt sich die Elektrisierung Kugel im grossen und ganzen, wie sie bei diesem Versuch sich zeigt, or Annahme der elektrischen Fernewirkung einfach aus dem Zusammenken der auf dem Schellack vorhandenen und der in der abgeleiteten tte influenzierten mit derjenigen des Schellacks ungleichnamigen Elekitat. Was wir damals ableiteten, das ergiebt sich auch mit aller Strenge der Potentialtheorie. Denn eine Elektrisierung der Kugel oberhalb der eleiteten Platte muss eintreten, sobald die Potentialfunktion der vordenen Elektricitäten oberhalb der Platte nicht überall denselben Wert und dass das nicht der Fall ist, erkennt man nach den Principien Potentialtheorie leicht, wenn man auch nicht imstande ist den Wert Potentialfunktion wegen der Unkenntnis der elektrischen Verteilung dem Schellackeylinder zu berechnen. Die Potentialfunktion ist bei lichen Anordnungen oberhalb des abgeleiteten influenzierten Körpers in seltenen Fällen konstant, so wenn der elektrisierte Körper ganz dem abgeleiteten influenzierten Körper umhüllt ist, wie wir im §. 42

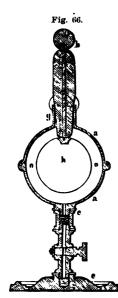
Den zweiten Beweis für seine Theorie der Verteilung und das elekche Verhalten nichtleitender Körper sah Faraday in dem von ihm soannten specifischen Verteilungsvermögen der nichtleitenden oder dielekchen Körper. Dasselbe zeigt sich darin, daß die Influenzierung eines
iters von einem elektrisierten Körper davon abhängig ist, welche nichttende Substanz sich zwischen den auf einander einwirkenden Körpern
indet. Ist die Substanz, welche sich zwischen dem leitenden und innzierenden Körper befindet, Luft, so ist die auf dem erstern erregte
luenzelektricität geringer, als wenn ein starrer Isolator zwischen denselben

¹⁾ Auch Brongersma (Poggend. Ann. Bd. CLII) scheint dies bei Besprechung † Faradayschen Theorie zu übersehen, wenn er auch später zugiebt, daß die storie der Fernewirkung dieselben Besultate liefere wie die Faradaysche.

sich befindet, und bei verschiedenen starren Isolatoren zeigt sich die Influenz ebenfalls verschieden.

Einen Versuch, den Faraday zum Nachweis dieses specifischen Verteilungsvermögens anführt, haben wir bereits §. 35 besprochen und Fig. 47 abgebildet. Wie wir dort erwähnten, wurden die beiden Platten B und A, welche mit den in der Glasglocke hängenden Goldblättchen leitend verbunden waren, durch die Scheibe C influenziert und dann ableitend berührt, so daß die beiden Goldblättchen, da durch die Ableitung das Potential auf ihnen null geworden war, einander parallel hingen. Darauf wurde zwischen die Scheiben A und C eine Schellackscheibe von 1 bis 2 cm Diete gebracht, und sofort zeigte sich das mit A verbundene Goldblättchen s positiv elektrisch, ein Beweis, daß durch Zwischenbringen der Schellackscheibe die Wirkung der Influenz auf A verstärkt wurde 1). Er schloß daraus, daß die influenzierende Wirkung durch Schellack stärker hindurchgeht als durch Luft, daß also in dem Schellack eine stärkere Polarisation der Moleküle vorhanden ist als in Luft.

Nach einer andern Methode hat Faraday dieses specifische Induktionsvermögen der Isolatoren oder dielektrischen Medien genauer untersucht³), indem er die Verminderung des Potentialwertes auf einer von einer Hohl-



kugel umschlossenen Kugel untersuchte, je nachdem der Zwischenraum zwischen der Schale und der Kusel ganz mit Luft oder zum Teil mit andern Isolatoren angefüllt war. Die Einrichtung des von Faraday benutzten Apparates zeigt Fig. 66. Zwei hohle Halbkugeln a, a von Messing können wie Magdeburger Halbkugeln zu einer Hohlkugel vereinigt werden, welche luftdicht geschlossen ist. Durch das Verbindungsstück c kann die untere Halbkugel an einen Hahn angeschraubt und mit diesem entweder an des Teller einer Luftpumpe oder in den Fuss e eingeschraubt werden. Die obere Halbkugel ist mit einem Halse g versehen, welcher den Schellackpfropf nimmt, der an einem in seiner Axe befindlichen Metalldraht die ebenfalls aus Messing verfertigte innere Kugel h trägt. Der Schellackpfropf ist mit einem leichtslüssigen Harzkitt luftdicht in den Hals der Flasche eingekittet.

Die Kugel h hat einen Durchmesser von 63 Millimeter, die Kugel u von 93,4 Millimeter.

Derartiger Apparate wurden zwei in ganz genan

gleichen Dimensionen hergestellt; der eine enthielt in dem ungeführ 15 Millimeter breiten Zwischenraum oo Luft, der andere konnte mit verdunnter Luft, verschiedenen Gasen, oder zur Hälfte mit starren Isolatoren ausgefüllt werden.

¹⁾ Eine große Zahl derartiger Versuche, die indes gegenüber den Versuchen von Faraday und ähnlichen von Riess (Poggend. Ann. Bd. XCII) nichts wesentlich neues bieten, hat auch Brongersma angestellt. Poggend. Ann. Bd. CLIL
2) Faraday, Experimental researches 11. Reihe Poggend. Ann. Bd. XLVL

Die Versuche wurden folgendermaßen ausgeführt: die beiden Appate wurden auf eine leitende Unterlage gestellt, und der mit Luft gefüllte pparat, wir wollen ihn mit I bezeichnen, dadurch geladen, daß man die ugel 4 mit dem Konduktor einer Elektrisiermaschine verband. Es wurde um der Wert der Pontentialfunktion auf der innern Kugel bestimmt, dem man den Scheitel k der Kugel b mit einer Prüfungskugel berührte nd die Prüfungskugel in die Torsionswage brachte. Sei der Wert der stentialfunktion, durch die zu einer bestimmten Elongation notwendige forsion gemessen, gleich d. Dann wurde die Kugel des Apparates I eine mrze Zeit mit dem Knopfe b des Apparates II in leitende Verbindung zebracht. Die Elektricitäten werden sich jetzt zwischen den Apparaten ellen und der Übergang der Elektricität von I- zu II so lange dauern, is der Wert der Potentialfunktion auf beiden in Verbindung stehenden Rugeln der gleiche geworden ist. Da die Dimensionen der beiden Appaganz dieselben sind, so wird, wenn das Zwischenmittel zwischen den lageln ohne Einfluss ist, diese Gleichheit der Potentialfunktion erreicht om, wenn aus dem Apparate I die Hälfte der Elektricität nach II hinbergegangen ist, somit die Potentialfunktion in I halb so groß ist, wie or der Verbindung. Denn bei genau gleichen Dimensionen und gleicher orm zweier, auch zusammengesetzter Leiter kann die Potentialfunktion w dann denselben Wert haben, wenn dieselben die gleiche Menge von Mektricität haben. In der That ergaben die Versuche auch, als Probe der deichheit beider Apparate, dass wenn dieselben nur Luft enthielten, nach er leitenden Verbindung derselben die Potentialfunktion in jedem halb groß war als in dem zuerst für sich geladenen Apparat.

Anders muß es aber sich zeigen, im Falle das Zwischenmittel von änfluß ist, wenn der Zwischenraum zwischen den Kugeln ganz oder zum deil mit einem andern Isolator als Luft ausgefüllt ist. Es wird das am esten hervortreten, wenn wir unter der Voraussetzung, daß eine Polarisation er im Isolator nach Faradays Auffassung vorhandenen leitenden Molecule eintritt, die Potentialfunktion einer von einer Hohlkugel umschlossenen ungel berechnen, wenn der Zwischenraum von einem polarisierbaren Mittel usgefüllt ist. Daß wir zu dieser Rechnung von unsern bisherigen Anchanungen ausgehen können beweist, daß auch diese Beobachtung kein beleg dafür ist, daß keine Fernewirkung existiert. Wir schlagen zu unserer Rechnung einen ähnlichen Weg ein, wie ihn vor kurzem Boltz-

mann 1) gegangen ist.

Ist der Radius der innern Kugel gleich R, der Radius der innern Fläche der äufseren Kugelschale gleich R₁, so ist nach §. 41 die Potentalfunktion auf der innern Kugel, wenn zwischen den beiden Kugelschalen Luft ist.

$$v = q\left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1}\right),$$

worin q die der innern Kugel mitgeteilte Elektricitätsmenge bedeutet, und toransgesetzt ist, dass die äussere Kugel mit der Erde in leitender Verbindung ist.

¹⁾ L. Boltzmann, Wiener Berichte Bd. LXVII. Poggend. Ann. Bd. CLI.
Williams, Physik: IV. 4 Aut.

§. 48,

Nun sei statt der Luft ein anderer Isolator zwischen die Kugeln gebracht, ebenfalls in Form einer konzentrischen Kugelschale, von dem wir zunüchst, um die Frage allgemein zu behandeln, voraussetzen wollen, er fülle nicht den ganzen Zwischenraum aus, sondern der innere Radius der isolierenden Schale sei gleich r, der äußere sei gleich r₂.

Durch die in der innern Kugel vorhandene Elektricität q, die wir als positiv voraussetzen wollen, wird in der isolierenden Schale eine Polarisation der Moleküle bewirkt, so dass nach Faraday zunächst die innerste Schicht der Kugelschale nach innen die negative Elektricität q1, nach außen die positive Elektricitätsmenge q_1 erhält. Diese positive Elektricitätsmenge q_1 polarisiert die nächstfolgende konzentrische Molektilschicht gam in derselben Weise, so dass auch diese an der innern Seite — q₁, an der äußern $+q_1$ erhält, und so fort durch die ganze Schale, bis schließlich die äußerste Molekülschicht derselben ebenfalls nach innen $-q_1$, nach außen $+q_1$ erhält. Die im Innern der Schale vorhandenen positiven und negativen Schichten heben sich dann in ihren Wirkungen nach außen auf so dafs als wirksam nur übrig bleiben die Elektricitäten — q_1 auf der innern und $+q_1$ auf der äußern Fläche der isolierenden Schale. Genau dasselbe tritt auch nach den Entwicklungen der §§. 41 und 42 ein durch die Fernewirkungen, wenn der Isolator aus leitenden durch isolierende Zwischenräume getrennten Schichten zusammengesetzt ist.

Für die Potentialfunktion auf der äußern Kugel erhalten wir zunächst, wenn wir die dort influenzierte Elektricität g_3 nennen,

$$v_2 = \frac{q}{R_1} - \frac{q_1}{R_1} + \frac{q_1}{R_1} + \frac{q_2}{R_1}$$

somit wenn die äußere Kugel abgeleitet ist und dadurch $v_2 = 0$ wird,

$$q_2 = -q$$

Die Potentialfunktion auf der innern Kugel wird

$$v_1 = q \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1} \right) - q_1 \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) \cdot$$

In diesem Ausdrucke haben wir noch die von der Beschaffenheit des Isolators abhängige Größe q_1 zu bestimmen.

Nach der Theorie der dielektrischen Polarisation werden in jedem Moleküle die beiden Elektricitäten getrennt, und wie die Magnetismen im magnetischen Molekül auseinandergeschoben; es erhält also jedes Molekül ein elektrisches Moment, wie das magnetische Molekül ein magnetisches Moment, wenn wir wie dort als elektrisches Moment das Produkt aus einer der beiden geschiedenen Elektricitäten in den Abstand, durch welchen sie getrennt sind, bezeichnen. Dieses Moment können wir als Maß der Elektrisierung für jedes Molekül setzen, gerade wie das magnetische Moment das Maß für den Magnetismus des magnetischen Moleküles ist.

Wir denken uns jetzt unsere dielektrische Kugelschale in lauter unendlich kleine Cylinder zerlegt, so daß deren Seitenflächen der Richtung parallel sind, nach welcher die gesamten außerhalb und innerhalb des Dielektricums vorhandenen Elektricitäten wirksam sind, deren Grundflächen somit auf diesen Richtungen senkrecht stehen. In diesen Cylindern werden die beiden Elektricitäten gegen die Endflächen hingetrieben, und wir können annehmen, dass die gesamten Elektricitäten in den Endflächen angesammelt sind, respektive wir ersetzen die überhaupt geschiedenen Elektricitäten durch solche an den Enden angesammelte Mengen, dass das Moment des unendlich kleinen Cylinders dem wirklichen Momente gleich ist. Setzen wir den Isolator als ganz isotrop voraus, so dass die Polarisation nach allen Richtungen die gleiche ist, und nennen das in der Volumeinheit durch die wirkende Kraft eins erregte elektrische Moment ε , so können wir das in einem solchen unendlich kleinen Cylinder erregte Moment α proportional setzen dem Volumen des Cylinders v und der Größe der gesamten wirksamen Kraft P, somit

$$\alpha = \varepsilon Pv$$
.

Die Konstante s ist für das betreffende Medium charakteristisch, sie würde der Menge der in der Volumeinheit vorhandenen polarisierbaren Moleküle proportional sein.

Wir betrachten einen solchen Cylinder, der sich im Abstande r von dem Mittelpunkte der Kugel befindet, seine Axe parallel dem Radius, welcher ihn mit dem Mittelpunkte verbindet, und nach welchem die auf ihn wirksame Kraft gerichtet ist, sei dr, seine Basis sei das Flächenelement dw, so wird das elektrische Moment desselben nach den eben gemachten Annahmen

$$\alpha = \varepsilon \, dw \cdot dr \cdot P,$$

da $dw \cdot dr$ das Volumen dieses Cylinders ist. Um die parallel der Cylinderare wirksame Kraft zu erhalten, haben wir den Differentialquotienten der in dem Cylinder vorhandenen Potentialfunktion nach r zu bilden. Die Potentialfunktion ist die Summe der Potentialfunktionen der vorhin abgeleiteten 4 elektrischen Schichten, von denen die Schichten q und q_1 auf Kugeln mit kleinern Radien, die beiden Schichten q und q_1 auf Kugelschalen sich befinden, deren Radien q_2 und q_3 sind, welche also den betrachteten Cylinder in ihrem Innern haben. Die Potentialfunktion wird somit

$$v_r = \frac{q}{r} - \frac{q_1}{r} + \frac{q_2}{r_2} - \frac{q}{R_1}$$

und darnach

$$P = -\frac{dv_r}{dr} = \frac{q - q_1}{r^2};$$

Somit wird

$$\alpha = \varepsilon \, dw \, dr \, \frac{q - q_1}{r^2}.$$

Andererseits sahen wir vorher, dass auf jeder unendlich dünnen Rugelschale in dem Dielektricum auf der innern Seite die Elektricitätsmenge — q_1 , auf der äußern + q_1 sich befindet, denn die Polarisation der Molektüschichten ist in dem ganzen Isolator überall dieselbe. Das Flächenelement dw, die dem Mittelpunkt zugewandte Basis des betrachteten Cylinders hat demnach die Elektricitätsmenge

$$-q_1 \frac{dw}{4\pi r^2}$$
,

da die Elektricitätsmenge q_1 sich auf der Fläche $4\pi r^3$ befindet; auf der nach außen gewandten Basis des Cylinderelementes ist dieselbe Me

positiver Elektricität. Wir erhalten deshalb als elektrisches Momes betrachteten Cylinders den Ausdruck

$$\alpha = q_1 \frac{dw}{4\pi r^2} \cdot dr,$$

somit zur Bestimmung von q_1 die Gleichung

$$q_1 \frac{dw}{4\pi r^2} dr = \varepsilon dw dr \frac{q - q_1}{r^2}$$

oder

$$q_1 = \frac{4\pi\epsilon}{1 + 4\pi\epsilon} q.$$

Es ist somit q_1 proportional der Elektricitätsmenge q und außerdem ab von der für die Beschaffenheit des Mediums charakt schen Konstante ε .

Setzen wir diesen Wert in die Gleichung für v_1 , so wird

$$v_1 = q \left\{ \frac{1}{R} - \frac{1}{R_1} - \frac{4\pi\varepsilon}{1 + 4\pi\varepsilon} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) \right\}.$$

Setzen wir nun voraus, dass der ganze Zwischenraum zwische innern und der aussern Kugel mit demselben Isolator ausgefüllt ist,

$$r_1 = R; \qquad r_2 = R_1$$

und es wird

$$v_1 = q\left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1}\right)\left(1 - \frac{4\pi\epsilon}{1 + 4\pi\epsilon}\right) = q\left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1}\right)\frac{1}{1 + 4\pi\epsilon}$$

und schliefslich

$$\frac{v}{v_1} = 1 + 4\pi \varepsilon$$

oder bei gleicher der innern Kugel mitgeteilten Elektricitätsmenge i Potentialfunktion im Verhältnis von 1 zu 1 + $4\pi\epsilon$ verkleinert, wen Zwischenraum mit einem starren Isolator ausgefüllt ist, gegenüber jenigen Werte, den die Potentialfunktion besitzt, wenn der Zwischen zwischen den Kugeln mit Luft gefüllt ist. Da diese Verminderung den Einflus des festen Isolators bedingt ist, so nennt man den Quoti $v = 1 + 4\pi\epsilon$ die Dielektricitätskonstante des betreffenden Isolator

Ebenso wie aus der Vergleichung der Potentialfunktion bei gle der innern Kugel mitgeteilter Elektricitätsmenge können wir die Di tricitätskonstante des starren Isolators auch aus der Vergleichung Elektricitätsmengen erhalten, welche unser System zur Herstellung gleichen Wertes der Potentialfunktion bedarf, wenn sich zwischen Kugeln einmal nur Luft, das andere Mal ein anderer Isolator befin Bedarf es im ersteren Falle zur Herstellung des Potentialwertes v Elektricitätsmenge q, im zweiten Falle der Elektricitätsmenge q', so

$$v = q\left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1}\right) = q'\left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1}\right) \frac{1}{1 + 4\pi\epsilon},$$
$$\frac{q'}{q} = 1 + 4\pi\epsilon.$$

somit

Die Dielektricitätskonstante ist also ebenfalls gleich dem Verhältnis er Kapacitäten der innern Kugel, wenn sie einmal durch den betreffenden solator, das anderemal durch Luft von der umhüllenden Kugelschale gerennt ist, denn das Verhältnis der zur Herstellung eines gleichen Wertes ler Potentialfunktion erforderlichen Elektricitätsmenge ist eben das Vertältnis der Kapacitäten. Bei dieser Definition der Dielektricitätskonstanten st jedoch zu beachten, dass nach der Faradayschen Theorie auch die Luft ein Dielektricum ist; die Dielektricitätskonstante nach dieser Bestimmung giebt uns also immer an, in welchem Verhältnis das specifische Induktionsvermögen der betreffenden Substanz größer ist als dasjenige der Luft oder die unserer Dielektricitätskonstante zu Grunde liegende Einheit ist die Dielektricitätskonstante der Luft.

Ist nicht der ganze Zwischenraum zwischen den Kugeln mit dem betreffenden Isolator ausgefüllt, so müssen wir zur Bestimmung der Potentialfunktion v_1 die vorhin erhaltene allgemeine Gleichung anwenden

$$v_1 = q \left\{ \frac{1}{R} - \frac{1}{R_1} - \frac{4\pi\epsilon}{1 + 4\pi\epsilon} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right) \right\}.$$

Setzen wir den Abstand der beiden Kugeln $R_1 - R = \delta$, die Dicke de Schale des Dielektricums $r_2 - r_1 = \delta_1$, so wird

$$v_1 = q \left\{ \frac{\delta}{RR_1} - \frac{4\pi\epsilon}{1 + 4\pi\epsilon} \frac{\delta_1}{r_1 r_2} \right\};$$

ist δ und dem entsprechend δ_1 gegen R nur klein, so können wir $r_1 r_2 = R_1 R$ setzen und es wird

$$v_1 = q \, \frac{\delta}{R R_1} \left\{ 1 - \frac{4 \pi \epsilon}{1 + 4 \pi \epsilon} \, \frac{\delta}{\delta_1} \right\}$$

und

$$\frac{v_1}{v} = 1 - \frac{4\pi\varepsilon}{1 + 4\pi\varepsilon} \frac{\delta_1}{\delta},$$

ein Ausdruck, der wenn δ_1 und δ bekannt sind, die Dielektricitätskonstante zu berechnen gestattet.

Hätte man in den zwischen der innern Kugel und der äußern Schale vorhandenen Hohlraum eine leitende Schale vom innern Radius r_1 und dem äußern Radius r_2 gebracht, so würde die Potentialfunktion

$$v_1^{\ 1} = q \left\{ \frac{1}{R} - \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} - \frac{1}{R_1} \right\}$$

oder

$$v_1^{\ 1} = q \left\{ \frac{\delta}{RR_1} - \frac{\delta_1}{r_1 r_2} \right\} = q \left\{ \frac{\delta}{RR_1} \left\{ 1 - \frac{\delta_1}{\delta} \right\} \right\}$$

Die Wirkung des Dielektricums ist also diejenige einer leitenden Schicht, auf deren Oberfläche die Elektricitätsmenge im Verhältnis $\frac{4\pi\epsilon}{1+4\pi\epsilon}$ 24 1 vermindert wäre. Man könnte deshalb füglich auch die Konstante

$$a = \frac{4\pi\varepsilon}{1 + 4\pi\varepsilon}$$

als die Elektrisierungskonstante des Dielektricums bezeichnen, das heir ben wir die Dichtigkeit der Elektricität, welche auf der leitenden Kr

schale durch Influenz erregt wird, gleich eins setzen, können wir die dielektrische Schale als eine solche bezeichnen, auf deren Oberfläche die Dicktigkeit nur den Wert a erhält.

Kehren wir nach diesen Entwicklungen wieder zu den Versuchen Faradays zurück, so sieht man, dass dieselben strenge nur die Dielektricitätskonstanten der Gase mit derjenigen der Luft zu vergleichen gestatten, da nur diese wie die Luft den ganzen Zwischenraum zwischen der innen und äussern Kugel anfüllten, während die andern Isolatoren nur die unter Hälfte des Zwischenraumes zwischen den beiden Kugeln ausfüllten. Indes wird auch in dem Falle nach der leitenden Verbindung der Kugeln b der beiden Apparate die Potentialfunktion auf den innern Kugeln nicht dam gleich werden, wenn die in beiden vorhandenen Elektricitäten gleich sind, sondern auch dann wird der Apparat mit teilweise starrem Isolator, wenn dessen specifisches Induktionsvermögen größer ist als dasjenige der Luft, eine größere Menge Elektricität verlangen, und zwar eine um so größere, je größer das specifische Induktionsvermögen des Isolators ist. Nennen wir deshalb d eine der Dielektricitätkonstante annähernd proportionale Größe, so können wir die nach der leitenden Verbindung der beiden Apparate in beiden gleichen Potentialwerte schreiben

$$q_1\left(\frac{1}{R}-\frac{1}{R_1}\right)=\frac{q_1}{d}\left(\frac{1}{R}-\frac{1}{R_1}\right),$$

wenn R den Radius der innern, R_1 den innern der äußern Kugel bedeutet. Strenge ist allerdings unser für konzentrische Kugeln erhaltener Ausdruck der Potentialfunktion nicht anzuwenden, indes da nur die gleichgeformten Apparaten gemachten Beobachtungen verglichen werden, können wir diese Abweichung außer Acht lassen. Dieselbe bewirkt nur, daß wir jeden der obigen Ausdrücke mit demselben Faktor multplizieren müßeten, um den der wirklichen Form entsprechenden Wert der Potentialfunktion zu erhalten.

Aus obiger Gleichung folgt

$$\frac{q_i}{q_i} = d.$$

Zur Bestimmung dieses Wertes haben wir zunächst die Gleichung

$$q_2 + q_1 = q_1$$

wenn wir mit q die dem Apparate I zunächst gegebene Elektricitätsmenge nennen. Ist dann v die dieser Elektricitätsmenge entsprechende gemessene Potentialfunktion, so ist

$$v = q \, \frac{R_1 - R}{R \, R_1} \cdot$$

Ist v_1 die Potentialfunktion des Apparates I, nachdem er mit II in leitender Verbindung war, so ist

$$v_1 = q_1 \frac{R_1 - R}{R R_1},$$

somit

$$\frac{q_2}{q_1} = \frac{q - q_1}{q_1} = \frac{v - v_1}{v_1} = d.$$

Die dem specifischen Induktionsvermögen annähernd proportionale Größe d ist somit dem Quotienten aus der Differenz der am Apparats I

. 1

beobachteten Potentialfunktion und der Potentialfunktion vom Apparate I

mach der Berührung proportional.

Der Wert von d ergab sich bei Durchführung dieser Versuche für alle Gase gleich 1, dagegen wurde der Wert stets größer als 1, wenn zwischen den leitenden Flächen sich ein starrer Isolator befand; es ergab sich bei Anwendung von Schellack a=1,5, bei Anwendung von Glas 1,38 und bei Schwefel 1,62.

§. 49.

Messung der Dielektricitätskonstanten. I. Durch Kapacitätsmessungen. Nach den Versuchen Faradays ist es nicht zu bezweifeln,
daß durch die Isolatoren hindurch eine je nach der Natur der Isolatoren
verschieden starke Influenz hindurchwirkt, oder daß die Isolatoren momentan, ebenso schnell als die Leiter, bis zu einem von ihrer speciellen Beschaffenheit abhängigen Grade influenziert werden; genaue Zahlenwerte
dieser Influenz lassen sich aus Faradays Versuchen nicht erhalten.

Teils um die Faradaysche Auffassung erneut zu prüfen, teils um genaue Werte der Dielektricitätskonstanten zu erhalten, deren Kenntnis durch die am Schlusse des Bandes kurz zu erwähnende elektromagnetische Lichttheorie immer wichtiger wurde, sind seitdem eine große Zahl Versuche angestellt. Die elektromagnetische Lichttheorie kommt nämlich in dem Resultate, daß die Dielektricitätskonstanten dem Quadrate der Brechungsexponenten der betreffenden Medien gleich sein sollen.

Die hauptsächlichste Methode zur Bestimmung der Dielektricitätsbestanten ist die Vergleichung der Kapacität zweier paralleler Platten, von denen die eine zur Erde abgeleitet ist, sogenannter Kondensatoren, je nachdem zwischen den Platten Luft oder der auf seine Dielektricitäts-

konstante zu untersuchende Isolator sich befindet.

Wir können leicht ableiten, dass für einen solchen plattenförmigen Kondensator ganz dieselbe Beziehung gilt, welche wir vorher für die Kugel ableiteten, die Kapacität des Kondensators, dessen Zwischenraum wischen den Platten mit einem Isolator ausgefüllt ist, verhält sich zur Kapacität desselben Kondensators, wenn zwischen den Platten Luft ist, wie die Dielektricitätskonstante des Isolators zu eins.

Seien A und B Fig. 67 zwei parallele Platten, welche sich im Ab-

stande δ von einander befinden, B sei zur Erde abgeleitet. Zwischen den Platten sei ein Isolator, dessen obere Fläche α von der untern der Platte A um δ_1 , dessen untere Fläche b B on der untern von A um δ_2 entfernt sei.



Ist die obere Platte mit Elektricität von der Dichtigkeit h versehen, während die untere zur Erde abgeleitet ist, so würde, wenn zwischen den Platten kein Dielektricum ist, die Dichtigkeit der Elektricität in der untern Platte nach §. 41

 $h_1 = -h\left(1 - \frac{\delta}{R}\right)$

sein, wenn R den Radius der Platten bedeutet. Für eine Ebene parallel den beiden Platten im Zwischenraum zwischen A und B gelegen, im Abstade x von der Platte A, erhalten wir dann die Potentialfunktion

$$V = 2\pi h(R-x) - 2\pi h\left(1 - \frac{\delta}{R}\right)(R+x-\delta).$$

Setzen wir voraus, dass δ und damit x gegen R sehr klein ist, so dass wir δ^2 und $x\delta$ gegen R vernachlässigen dürfen, so wird

$$V = 4\pi h (\delta - x).$$

Für die Kraft, mit welcher die im Abstande x von A zwischen den Platten vorhandene Einheit der positiven Elektricität in der Richtung der positiven x, also gegen B hin bewegt würde, ergiebt sich darnach

$$-\frac{dV}{dx}=4\pi h.$$

Dieselbe hat demnach an allen Stellen zwischen den beiden Platten die gleiche Größe; eine genau ebensolche Kraft treibt die negative Elektricität gegen A hin.

Wir denken uns jetzt den Isolator zwischen die beiden Platten gebracht, der nach Faradays Annahme polarisierbar ist; auch wenn wir unsere bisherige Anschauung festhalten, dass eine direkte elektrische Fernewirkung vorhanden ist, wird nach dem eben abgeleiteten Satze, dass die Kraft, welche die beiden Elektricitäten auseinandertreibt, an allen Punkten zwischen den beiden Platten den gleichen Wert hat, in allen Molektlschichten des Isolators die Polarisation die gleiche sein, in allen muß die A zugewandte Seite negativ, die entgegengesetzte positiv elektrisch sein. Im Innern der Platte steht demnach überall jeder positiv elektrischen Schicht eine negative von gleicher Stärke in molekularem Abstande gegenüber, die Wirkung je zweier solcher Schichten hebt sich auf und es bleiben als wirksam nur übrig die negativ elektrische Schicht auf a und die positiv elektrische auf b. Nennen wir die Dichtigkeit der Elektricität, welche auf der Oberfläche a entstände, wenn die Dichtigkeit in der Platte A gleich 1 wäre, a, so ist die durch die Dichtigkeit h er regte ah, und zwar ist diese Schicht negativ elektrisch. Eine genau ebensolche Dichtigkeit positiver Elektricität befindet sich auf der Fläche h Um die Veränderung der Potentialfunktion in A, welche durch das Auftreten dieser beiden elektrischen Schichten bedingt wird, zu bestimmen, müssen wir beachten, dass durch dieselben gleichzeitig die Dichtigkeit in der Platte B, in welcher die Potentialfunktion gleich null ist, eine andere wird. Um beides, sowohl die Potentialfunktion in A als auch die Dichtigkeit h, zu bestimmen, berechnen wir die Potentialfunktion der jetzt vorhandenen Elektricitäten für irgend einen zwischen den Platten befindlichen Punkt. Der Abstand des Punktes von A sei gleich x, von der Fläche a gleich x', von der Fläche b gleich x'' und von der Fläche bgleich x_1 . Die Potentialfunktion in dem betrachteten Punkte ist dam die Summe

$$1 \dots 2\pi h(R-x) - 2\pi a h(R-x') + 2\pi a h(R-x') + 2\pi h_1(R-x_1),$$

indem wir das Vorzeichen von h_1 , welches zunächst zu bestimmen ist, unbestimmt lassen, und deshalb das letzte Glied positiv setzen; das zweite setzen wir negativ, weil wir wissen, daß die Schicht auf a negativ ist Für einen zwischen b und B liegenden Punkt ist

$$x-x'=\delta_1 \qquad x-x''=\delta_2 \qquad x+x_1=\delta,$$

einen Punkt in der Platte B erhalten wir, wenn wir $x = \delta$ setzen. Die Potentialfunktion in der Platte B wird durch Einsetzen der so immten Werte

$$\pi h (R - \delta) - 2\pi ah (R - \delta + \delta_1) + 2\pi ah (R - \delta + \delta_2) + 2\pi h_1 R.$$

die Dichtigkeit h_1 , welche der Potentialfunktion null in der abgeteten Platte B entspricht, zu erhalten, haben wir diese Summe gleich ll zu setzen und bekommen so

$$h_1 = -h\left(1 - \frac{\delta}{R} + a\,\frac{\delta_1 - \delta_1}{R}\right).$$

lit diesem Werte von h_1 erhalten wir den Wert der Potentialfunktion a der Platte A, indem wir zunächst in der obigen Summe die Werte on x', x'', x_1 , für einen Punkt zwischen A und a bestimmen und dann t = 0 setzen. Für einen solchen Punkt ist

$$x + x' = \delta_1 \qquad x + x'' = \delta_2 \qquad x + x_1 = \delta.$$

Setzen wir die hiernach für x = 0 sich ergebenden Werte für x', x'', x_1 in die obige Summe ein, so ergiebt sich nach einigen leicht zu übersehenden Reduktionen für die Potentialfunktion v_1 in der Platte A

$$v_1 = 4\pi h\delta \left\{1 - a\frac{\delta_2 - \delta_1}{\delta}\right\} \left\{1 - \frac{\delta}{2R}\right\},$$

somit, wenn δ als gegen 2R sehr klein angenommen wird, so daß $\frac{\delta}{2R}$ außer Acht gelassen werden darf,

$$v_1 = 4\pi h\delta \left\{1 - a \frac{\delta_y - \delta_1}{\delta}\right\}$$

Die Potentialfunktion in der obern Platte V_1 , wenn zwischen den beiden Platten Luft ist, fanden wir früher

$$V_1 = 4\pi h \delta$$

somit ist

$$\frac{v_1}{V_{\cdot}} = 1 - a \frac{\delta_y - \delta_1}{\delta}.$$

Die Kapacitäten der obern Platte verhalten sich umgekehrt wie die Potentialfunktionen bei gleicher Ladung; nennen wir die Kapacität bei zwischengeschaltetem Isolator C_1 , ohne denselben C, so ist

$$\frac{C_1}{C} = \frac{1}{1-a\frac{\delta_2}{2}-\frac{\delta_1}{2}}.$$

Die hier eingeführte Größe a ist dieselbe, welche wir vorhin als Elekisierungskonstante bezeichneten, wie man unmittelbar erkennt, wenn
an den Wert von a berechnet für den Fall, daß zwischen die beiden
latten eine leitende Platte von der Dicke $\delta_2 - \delta_1$ geschoben wird.

Wir berechnen zu dem Zwecke den Wert der Potentialfunktion zwihen den beiden Flächen a und b und erhalten den Wert von a w

der Bedingung, dass derselbe an allen Punkten zwischen den beiden Flächen derselbe sein muss, weil wir die Platte jetzt als leitend voraussetzen.

Für einen zwischen den Ebenen a und b liegenden Punkt ist

$$x-x'=\delta_1$$
 $x+x''=\delta_2$ $x+x_1=\delta$.

Mit Einsetzung dieser Werte in die Summe I, welche allgemein die Potentialfunktion der vier Schichten darstellt, wird dieselbe, wenn wir für h, den vorhin abgeleiteten Wert einsetzen und im schliefslichen Resultat δ gegen R sehr klein annehmen, so dass Glieder von der Dimension \bar{R} vernachlässigt werden dürfen,

$$v_x = 4\pi h \delta \left(1 - a \frac{\delta_s}{\delta}\right) - 4\pi h (1 - a) x.$$

Da der Wert der Potentialfunktion von x unabhängig sein muß, so folgt notwendig

$$a=1$$

es folgt somit, dass a die auf der Oberfläche der dielektrischen Platte durch Influenz erregte Dichte ist, wenn wir die unter denselben Umständen auf den Flächen der leitenden Platte erregte Dichte gleich 1 setzen. Es folgt somit, dass

$$a = \frac{4\pi \varepsilon}{1 + 4\pi \varepsilon}$$

$$\frac{1}{1 - a} = 1 + 4\pi \varepsilon = D,$$

oder die Dielektricitätskonstante ist gleich dem reciproken Werte von 1 - a. Ist der Zwischenraum zwischen den beiden Platten ganz mit dem Dielektricum angefüllt, so wird

$$\frac{C_1}{C} = \frac{1}{1-a} = D,$$

oder die Kapacität eines Kondensators, zwischen dessen Platten ein Dielektricum sich befindet, dividiert durch die Kapacität desselben Kondersators, wenn zwischen den Platten Luft sich befindet, giebt uns die Dielektricitätskonstante des zwischen den Platten befindlichen Dielektricums

Durch Vergleichung der Kapacität eines plattenförmigen Kondensators, je nachdem zwischen den Platten Luft oder ein Dielektricum sich befand hat zuerst Siemens 1) die Dielektricitätskonstanten mehrerer Substanzen Das Genauere dieser Methode werden wir im nächsten Abschnitte (§. 82) kennen lernen, wo wir die Versuche von Siemens noch von einem andern Gesichtspunkte aus besprechen müssen. Die gleiche Methode von Siemens haben Silow²) und Quincke³) später angewandt, um die Dielektricitätskonstanten einiger Flüssigkeiten zu bestimmen.

Boltzmann⁴) verglich die Kapacitäten eines Kondensators, je nachdem

¹⁾ Siemens, Poggend. Ann. Bd. CII.

²⁾ Silow, Poggend. Ann. Bd. CLVIII.
3) Quincke, Wiedem. Ann. Bd. XIX S. 714 und 726.
4) Boltzmann, Berichte der Wiener Akademie LXVII. Poggend. Ann. Bd. CLI.

wischen den Platten desselben Luft oder ein festes Dielektricum war, n folgender Weise.

Die eine Platte eines Kohlrauschschen Kondensators (§. 57) wurde nit einer Elektricitätsquelle von konstanter Potentialfunktion, dem einen Pol einer Daniellschen Batterie (§. 67), deren anderer Pol zur Erde abgeleitet war, verbunden und so zu dem Potentialwert V geladen, welcher vorher an einem Quadrantenelektrometer gemessen war. Ist Q die in die Platte übergegangene Elektricitätsmenge, C die Kapacität der Platte, so ist

$$Q = CV \dots (1)$$

Die Verbindung der Kondensatorplatte mit der Batterie wird darauf unterbrochen und sofort die Platte mit dem isolierten Quadrantenpaare les Quadrantenelektrometers verbunden, dessen anderes Quadrantenpaar ur Erde abgeleitet war. Das Elektrometer war dasselbe, an welchem rorher die Potentialfunktion V gemessen war, indem das eine Quadrantenpaar direkt mit dem Pole der Batterie verbunden wurde.

Die Elektricitätsmenge Q, welche in die Platte übergeströmt war, wilt sich nach Verbindung derselben mit dem vorher entladenen Quahrantenpaare des Elektrometers zwischen der Platte und dem Elektrometer. Der Wert der Potentialfunktion sinkt infolgedessen auf V_1 . Nennen wir die Kapacität des Quadrantenpaares und der ein für allemal konstanten, mit derselben verbundenen Teile der Leitung zur Kondensatorplatte K, so ist jetzt

$$Q = (C + K) V_1 \dots (2).$$

Aus diesen beiden Gleichungen folgt

$$\frac{C}{K} = \frac{V_1}{V - V_1} \dots (a),$$

worin für V und V_1 direkt die Ablenkungen der Lemniskate im Elektrometer gesetzt werden, welche einmal bei Verbindung des Elektrometers mit der Batterie, das anderemal bei Verbindung desselben mit der Kondensatorplatte beobachtet wurden.

Nach diesen Messungen wird zwischen die Kondensatorplatten das Dielektricum geschoben, die nicht zur Erde abgeleitete Platte wieder mit der Batterie und darauf sofort, nachdem die Verbindung mit der Batterie unterbrochen ist, mit dem Elektrometer verbunden. Ist die Kapacität des Kondensators nach Zwischensetzung der dielektrischen Platte gleich C_1 , so ist in die zu demselben Werte V der Potentialfunktion geladene Platte die Elektricitätsmenge Q_1 hinübergeströmt, welche gegeben ist durch

$$Q_1 = C_1 V \dots (3).$$

Nach Verbindung der geladenen Platte mit dem Elektrometer teilt sich $_{\rm lie}^{\rm lie}$ Elektricität zwischen Platte und Elektrometer und infolgedessen wird $_{\rm lie}^{\rm lie}$ Potentialfunktion V_2 , so daß

$$Q_1 = (C_1 + K) V_2 \dots (4)$$

st. Aus den beiden Gleichungen (3) und (4) folgt

$$\frac{C_1}{K} = \frac{V_3}{V - V_2} \dots (b)$$

und aus den Gleichungen (a) und (b)

$$\frac{C_1}{C} = \frac{V_2}{V_1} \frac{V - V_1}{V - V_2}.$$

Ist der Abstand der beiden Platten des Kondensators wie vorhin gleich δ und setzen wir die Dicke der elektrischen Platte $d = \delta_2 - \delta_1$, so wird

$$\frac{C_1}{C} = \frac{V_2}{V_1} \frac{V - V_1}{V - V_2} = \frac{1}{1 - a \frac{d}{\hbar}},$$

eine Gleichung, aus welcher sich, wenn d und δ bekannt sind, a und somit die Dielektricitätskonstante des Zwischenmittels berechnen läßt. Es wird, wenn wir $\frac{C_1}{C} = \gamma$ setzen,

$$D = \frac{1}{1-a} = \gamma \frac{d}{\delta - \gamma (d-\delta)}.$$

Boltzmann prüfte bei seinen Versuchen zugleich den sich aus jenen Gleichungen ergebenden Satz, dass es gleichgiltig ist, ob die dielektrische Platte sich näher bei der geladenen oder der abgeleiteten Platte befindet. Es folgt das einfach, weil in dem Ausdruck für das Verhältnis der Kapacitäten nur d und δ eingehen, oder in der frühern Form, in der wir die Abstände δ_1 und δ_2 der Oberflächen des Dielektricums von der Platte A eingeführt hatten, weil nur die Differenz $\delta_2 - \delta_1$ dort vorkam Boltzmann fand diese Folgerung durchaus bestätigt.

Wegen der Details der Versuche verweisen wir auf die Originalarbeit; die von Boltzmann nach dieser Methode gefundenen Werte der Dielektricitätskonstanten werden wir nachher mit den von andern und auf anderem Wege gefundenen zusammenstellen.

Gibson und Barclay¹) wandten eine im Princip gleiche Methode and die Art, wie sie die Kapacitäten C_1 und C verglichen, war jedoch eine sehr umständliche. Ebenso kommen die ziemlich komplizierten Methoden von Hopkinson²) und Gordon³) auf die Vergleichung der Kapacitäten von Kondensatoren mit und ohne Dielektricum heraus; eine Besprechung der selben ist wegen der Beschränkung des Raumes hier nicht möglich.

II. Messung der Anziehung einer dielektrischen Kugel.

Eine wesentlich andere Methode wandte Boltzmann⁴) an, um die Dielektricitätskonstante einiger fester Körper zu bestimmen; er beobachtete die Anziehung, welche Kugeln aus isolierendem Material von geladenen Metallkugeln erfuhren und verglich dieselben mit der Anziehung, welche leitende Kugeln unter denselben Umständen erhielten.

¹⁾ Gibson und Barclay, Philos. Magazin IV series, vol. XLI.

²⁾ Hopkinson, Philosophical Transactions of the London Royal Society for 1878 und for 1881.

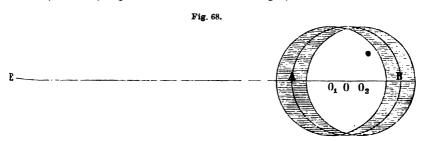
³⁾ Gordon, A physical Treatise of Electricity and Magnetism vol. I p. 108 f. London 1880.

⁴⁾ Boltzmann, Berichte der Wiener Akademie Bd. LXVI, LXVIII, LXX. Poggend. Ann. Bd. CLIII.

Die Theorie dieser Methode lässt sich im wesentlichen nach Boltzan 1) in folgender elementarer Weise geben. Es wird dabei vorausetzt, dass die dielektrische Kugel gegen den Abstand von dem Mittelakte der Metallkugel so klein ist, dass wir die Teile der Niveaussächen, Iche die kleine Kugel schneiden, als Ebenen betrachten können, so dass Normalen der Niveaussächen sämtlich einander und der Verbindungsie der Mittelpunkte parallel sind.

So lange die dielektrische Kugel nicht dem Einfluss der sie polarierenden Metallkugel unterworfen ist, können wir sie in elektrischer Beiehung als aus zwei genau gleichen Kugeln bestehend betrachten, deren ine positive und deren andere negative Elektricität enthält, und deren littelpunkte zusammenfallen. Die beiden Elektricitätsmengen sind von genau gleicher Größe. Die Kugel sei jetzt der Einwirkung der elektrisierten Metallkugel, welche die Elektricitätsmenge E enthält, unterworfen. Wir können bei der gemachten Voraussetzung, daß die elektrische Kugel sehr klein gegen die Entfernung beider Kugeln sei, annehmen, die Elektricität E sei im Mittelpunkte der Metallkugel konzentriert; ihre Verteilung auf der Metallkugel wird durch die Influenz der dielektrischen Kugel nicht geändert.

Da die von der geladenen Kugel auf die dielektrische Kugel wirkenden Kräfte in jedem Punkte der letztern als gleich und parallel gerichtet betrachtet werden können, so können wir den Effekt der eintretenden dielektrischen Polarisation einfach so auffassen, dass die beiden vorher sich ganz deckenden Kugeln um eine sehr kleine Strecke auseinandergezogen werden. Ist also E Fig. 68 der Mittelpunkt der influenzierenden, O derjenige der dielektrischen Kugel, so ist die Wirkung



der Influenz die, dass die negative Kugel etwas nach E hin verschoben wird, so dass ihr Mittelpunkt in O_1 ist, während die positive Kugel um genau gleich viel nach der entgegengesetzten Richtung verschoben wird, so dass ihr Mittelpunkt in O_2 ist. Sei die Elektricitätsmenge in der negativen Kugel A gleich — e und jene in der positiven Kugel gleich e. Der Abstand der beiden Mittelpunkte e1 und e2 sei gleich e3.

Die Wirkung von E auf die Kugel, nachdem letztere influenziert Forden ist, besteht weiter in der Anziehung der negativen Kugel A und er Abstofsung der Kugel B. Mit der Differenz dieser Kräfte wird die lelektrische Kugel gegen E hingezogen. Nennen wir den Abstand der

¹⁾ Die Entwicklung von Boltzmann ist in Gordons Physical Treatise of ectricity and Magnetism vol. I p. 135 mitgeteilt.

Elektricitätsmenge E von dem Mittelpunkt der dielektrischen Kugel O, also den Abstand EO = r, so ist

$$EO_1 = r - \frac{\delta}{2} \qquad EO_2 = r + \frac{\delta}{2}.$$

Elektrisierte Kugeln wirken auf einander, wie wenn die gesamte Elektricität im Mittelpunkte konzentriert wäre. Es folgt somit, dass die gegen E hin gerichtete resultierende Anziehung gegeben ist durch die Disserse

$$W = \frac{Ee}{\left(r - \frac{\partial}{\partial}\right)^2} - \frac{Ee}{\left(r + \frac{\partial}{\partial}\right)^2}$$

$$W = E \frac{2r \, \partial e}{\left(r - \frac{\partial}{\partial}\right)^2 \left(r + \frac{\partial}{\partial}\right)^2} = E \, \frac{2 \, \partial e}{r^2},$$

wenn wir, was bei der Kleinheit von δ unbedenklich geschehen darf, im Nenner $r - \frac{\delta}{2}$ und $r + \frac{\delta}{2}$ durch r ersetzen.

Das in diesen Ausdrücken vorkommende Produkt δe können wir als das elektrische Moment der dielektrischen Kugel bezeichnen, in dem Sinne, wie wir im vorigen Paragraphen das elektrische Moment definierten, da nach außen hin die Elektricitäten der homogenen Kugeln wirken, als wären sie im Mittelpunkte konzentriert. Bezeichnen wir das elektrische Moment eines Volumelementes dv der Kugel parallel der Verbindungelinie EO mit α , so ist dasselbe nach dem vorigen Paragraphen

$$\alpha = \varepsilon P dv$$

wenn P die im Volumelement, dort die Einheit der Elektricität vorhanden gedacht, parallel EO wirksame Kraft ist. Das dielektrische Moment der Kugel ist dann die Summe der Momente für alle Elemente dv der Kugel, oder das über die Kugel ausgedehnte Integral von εPdv . Die Größe ε ist, da sie nur von der Natur des Dielektricums abhängig ist und wir ein homogenes Dielektricum voraussetzen, durch die ganze Kugel konstant Wir haben demnach, um die Integration ausführen zu können, nur die Kraft P zu bestimmen. Dieselbe setzt sich zusammen aus der von E ausgeübten Kraft, welche nach unserer Annahme, daß die Kugel gegen die Entfernung r sehr klein ist, gleich ist

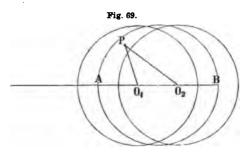
$$\frac{E}{r^2}$$
,

und aus der von dem elektrischen Zustand der Kugel herrührenden Kraft. Um letztere zu erhalten, erinnern wir uns daran, dass wir den elektrischen Zustand der Kugel durch zwei homogene, gleichmäßig mit Elektricität angefüllte Kugeln ersetzt haben, deren Mittelpunkte in der Richtung EO um δ gegen einander verschoben sind. Sei P Fig. 69 ein Punkt der Kugel, in welchem das Volumelement dv sich befindet. Um die von dem Polarisationszustand der Kugel parallel EO resp. O_1 O_2 wirkende Kraft zu erhalten, berechnen wir einzeln die Wirkung der negativen Kugel A und der positiven Kugel B mit der im Volumelement dv bei P gedachten

it der positiven Elektricität. Wir legen um O_1 eine Kugel mit dem

s O_1 P und um O_2 eine solche mit dem Radius O_2 P. Von der negativen Kugel A wirkt die außerhalb dieser mit dem is $O_1 P$ beschriebenen Kugel liegende Elektricität gar nicht auf den

t P, die innerhalb der mit Radius $O_1 P = \varrho_1$ beebene Kugel vorhandene tricität, auf deren Obere sich der Punkt P bet, wirkt auf P wie wenn gesamte Elektricität der el im Punkte O_1 konzent wäre. Nennen wir diese tricitatsmenge q_1 , so ist Wirkung $\frac{q_1}{q_1^2}$, und zwar



1 O_1 gerichtet. Nennen wir den Winkel $A O_1 P = \varphi_1$, so ist die $O_1 O_2$ ullele in der Richtung von O1 nach O2 wirkende Komponente

$$\frac{q_1}{\mathbf{e}_1^2}\cos\,\varphi_1$$
.

Nennen wir den Radius der um O_2 gelegten Kugel ϱ_2 , die in dieser el vorhandene Elektricitätsmenge q_2 und den Winkel $O_1\,O_2\,P = \varphi_2,$ st die Wirkung der positiven Kugel, von O2 nach O1 gerichtet,

$$\frac{q_3}{p_2^2}\cos \varphi_2$$
.

wir die Elektricität in den Kugeln gleichmäßig verteilt vorausgesetzt en, so verhalten sich die Mengen q_1 und q_2 zu den in den ganzen eln vorhandenen Elektricitätsmengen wie die Volume der Kugeln, soist, wenn wir den Radius der gegebenen Kugel mit b bezeichnen,

$$q_1 = e^{\frac{Q_1^3}{b^3}} \qquad q_2 = e^{\frac{Q_2^3}{b^3}}.$$

ien wir jetzt von der zweiten Wirkung die erste ab, so erhalten wir ler Differenz der Wirkungen

$$\frac{q_2}{\varrho_2^2}\cos\varphi_2-\frac{q_1}{\varrho_1^2}\cos\varphi_2=\frac{e}{b^3}(\varrho_2\cos\varphi_2-\varrho_1\cos\varphi_1)$$

von dem elektrischen Zustande der Kugel herrtihrende Wirkung im In dieser Differenz ist aber stets

$$\varrho_2 \cos \varphi_2 - \varrho_1 \cos \varphi_1 = \delta$$

th dem Abstande der beiden Kugelmittelpunkte, wir erhalten somit den zweiten Teil der Wirkung den Ausdruck

$$\frac{e}{h^3}\delta$$
,

elbe ist somit von der Lage des Punktes P in der Kugel unabhängig ebenso wie E konstant. Da nach der Bildung dieser Differenz die prechende Wirkung von O_2 nach O_1 gerichtet ist, so folgt

$$P = \frac{E}{r^2} - \frac{e}{b^i} \delta,$$

somit das dielektrische Moment der Kugel co, welches gleich der S der Momente aller Volumelemente der Kugel ist,

$$e\delta = \int \varepsilon P dv = \varepsilon P \int dv = \varepsilon \left(\frac{E}{r^3} - \frac{e}{b^3}\delta\right) \frac{4}{3} \pi b^3,$$

oder

$$e\delta = \frac{4\pi\epsilon}{3+4\pi\epsilon} b^3 \frac{\epsilon}{r^2}.$$

Die Anziehung der dielektrischen Kugel durch die mit der Elektrimenge E geladene Kugel wird demnach

$$W = 2 E \frac{\delta e}{r^3} = \frac{4 \pi \epsilon}{3 + 4 \pi \epsilon} \cdot 2 b^3 \frac{E^2}{r^4}$$

Da die Dielektricitätskonstante $D = 1 + 4\pi \varepsilon$, so erhalten wir mit ausgedrückt

$$W = \frac{D-1}{D+2} \cdot 2 b^3 \frac{E^2}{r^5},$$

oder mit unserer Elektrisierungskonstanten $a = \frac{D-1}{D}$ ausgedrück $W = \frac{a}{3-2a} \cdot 2b^3 \frac{E^2}{r^5}$

Wirkt unsere mit der Elektricitätsmenge E geladene Kugel auf ein lierte leitende Kugel von denselben Dimensionen und aus der gle Entfernung r, so erhalten wir deren Anziehung, wenn wir in dem z hingeschriebenen Ausdrucke einfach a = 1 setzen, da wie wir sahe die Leiter a = 1 zu setzen ist. Es wird somit

$$W_1 = 2 b^3 \frac{E^2}{r^5}$$

und

$$\overset{W}{W_1} = \frac{D}{D} \frac{-1}{+2},$$

ein Ausdruck, welcher aus einer Vergleichung der Anziehungen I rechnen lässt1).

Nach dieser Methode sind von Boltzmann und später von Re und Nowak2) eine Anzahl Dielektricitätskonstanten bestimmt, die später angeben werden. Außerdem hat Boltzmann diese Methode zu andern Versuchen benutzt, von denen wir an dieser Stelle nur den ? weis erwähnen, dass die Dielektricitätskonstanten von Krystallen, w nicht zum regulären System gehören, nach verschiedenen Richtungen schieden sind³). Die verschiedene Polarisierbarkeit kann nur darin Grund haben, dass die Konstante e nach den verschiedenen Richtu einen verschiedenen Wert hat. Schneidet man daher eine Kugel aus e

¹⁾ Die genauere Berechnung dieser Versuche von Boltzmann sehe Wiener Berichte Bd. LXX.

²⁾ Novak und Romich, Wiener Berichte Bd. LXX.
3) Boltsmann, Wiener Berichte Bd. LXX.

hen Krystall und hängt sie einmal so, dass die eine Axe, das andereso, dass die andere Axe in die Verbindungslinie der beiden Kugeln t, so muss das dielektrische Moment je nach dem für die betreffende nrichtung verschiedenen Werte von a und damit die Anziehung verleden ausfallen. Bei natürlichen, im rhombischen System krystallisieden Schwefelkrystallen, aus denen Kugeln geschnitten waren, fand tzmann in dieser Weise die Werte

parallel der größten Axe
$$D=4,773$$

" mittlern " $D=3,970$
" kleinsten " $D=3,811$.

Messung der Anziehung zweier Kondensatorplatten in III. verschiedenen dielektrischen Medien.

Noch nach einer dritten, besonders für Flüssigkeiten geeigneten ethode sind von Silow1) und Quincke2) Dielektricitätskonstanten beimmt worden. Dieselbe beruht auf dem von Helmholtz³) bewiesenen atze, dass zwei Elektricitätsmengen E und E_1 , welche sich in einem ielektrischen Medium befinden, dessen Dielektricitätskonstante D ist, sich m Abstande r mit einer Kraft abstoßen, resp. wenn sie ungleichnamig ind, anziehen, welche gleich ist

$$K = \frac{E E_1}{r^2 D}.$$

Der Helmholtzsche Satz ergiebt sich unmittelbar aus unserer Gleichung für die Potentialfunktion zwischen zwei Platten, zwischen denen sich ein dielektrisches Medium befindet. Wir fanden für die Potentialfunktion in dem dielektrischen Medium

$$V_x = 4\pi h \delta \left(1 - a \frac{\delta_2}{\delta} \right) - 4\pi h (1 - a) x.$$

Denken wir uns, die Platten befinden sich ganz im dielektrischen Medium, so wird $\delta_2 = \delta$ und

$$V_x = 4\pi h(1-a)(\delta-x).$$

Im Innern des dielektrischen Mediums, dessen Elektrisierungskonstante a 18t, ergiebt sich

$$\frac{dV}{dx} = -4\pi h(1-a) = -\frac{4\pi h}{D},$$

während, wenn zwischen den beiden Platten Luft ist,

$$\frac{dV}{dx} = -4\pi h.$$

Befindet sich zwischen den beiden Platten an irgend einer Stelle die Elektricitätsmenge E, so erhält dieselbe im Dielektricum den Antrieb

- Silow, Poggend. Ann. Bd. CLVI.
 Quincke, Wiedem. Ann. Bd. XIX.
 on Helmholts, Borcharts Journal Bd. LXXII.

$$W = \frac{4\pi h}{D} \cdot E,$$

in Luft dagegen

$$W_1 = 4\pi h E_{\tau}$$

somit ist

$$W = \frac{W_1}{D}$$
.

Wir gelangen zu dem Satze ebenso leicht auf anderem Wege. Denken wir uns in einem dielektrischen Medium eine Kugel. Für die Potentialfunktion einer Kugel vom Radius R, welche von einer leitenden Schale vom Radius R_1 umhüllt ist, erhielten wir, wenn der Zwischenraum zwischen beiden Schalen mit einem Dielektricum angefüllt ist,

$$V_1 = q\left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R_1}\right)\frac{1}{D};$$

setzen wir hierin den Radius R_1 unendlich, so erhalten wir eine in einem Dielektricum mit der Konstanten D befindliche Kugel; für diese wird somit

$$V_1 = \frac{q}{R} \frac{1}{D}$$
.

Für die Potentialfunktion V im Abstande ϱ vom Mittelpunkte ergiebt sich hieraus der Wert

$$V = \frac{q}{\varrho} \frac{1}{D}$$

somit

$$\frac{dV}{d\rho} = -\frac{q}{\rho^2} \frac{1}{D}.$$

Befindet sich im Abstande a die Elektricitätsmenge q_1 , so wird dieselbe hiernach mit der Kraft

$$W = \frac{q \, q_1}{\varrho^2} \, \frac{1}{D}$$

abgestoßen. Zwei Elektricitätsmengen q und q_1 wirken demnach in einem Dielektricum mit der Konstanten D auf einander, wie die Elektricitätsmengen $\frac{q}{\sqrt{D}}$ und $\frac{q_1}{\sqrt{D}}$ auf einander in Luft einwirken. Die letztere Entwicklung läßt auch den Grund dieser Erscheinung sofort erkennen; im Dielektricum ist der elektrisierte Körper mit einer Schicht entgegengesetzter Elektricität umhüllt, welche an allen Stellen, wo auf dem elektrisierten Körper die Dichtigkeit h ist, die Dichtigkeit ah besitzt; austelle der nach außen wirkenden Elektricität q des Körpers wirkt demnach q-aq=q(1-a). Die Wirkung auf eine außerhalb befindliche Elektricitätsmenge q_1 kann deshalb nur dem Produkte q_1 q (1-a) proportional sein.

Silow hat diesen Satz zur Messung der Dielektricitätskonstante benutzt, indem er in einem sehr vereinfachten Quadrantenelektrometer die Anziehung des einen Quadrantenpaares auf die Nadel maß, je nachdem das Elektrometer Luft oder Terpentinöl enthielt. Das Elektrometer bestand aus einem cylindrischen Glasgefäß; Wände und Boden desselbes

varen mit vier Stanniolstreifen beklebt, wie es im Grundrifs Fig. 70 zeigt. Die Quadranten A und A_1 , sowie B und B_1 waren leitend mit einander verbunden. In der Axe des Cylinders war an einem Platindrahte, welcher

n einer auf dem Deckel des Cylinders, wie bei ler Torsionswage, befindlichen Röhre befestigt var, die Nadel NN aufgehängt, bestehend aus einem Platindraht, an dessen Enden sich cylinderörmig gebogene dünne Platinbleche befanden. Die Quadranten AA, wurden mit einer Elektricitätsquelle von konstantem Potentialniveau, dem einen Pole einer galvanischen Batterie, deren anderer Pol zur Erde abgeleitet war, verbunden. Die Quadranten B wurden zur Erde abgeleitet. Ebenso war die Nadel durch den Platindraht zur Erde abgeleitet. Durch Torsion des



Fadens erhielt die Nadel eine bestimmte Gleichgewichtslage. Wurden die Quadranten A bis zu einem Potentialwert V geladen, wenn der Apparat Luft enthielt, so erhielten die Quadranten eine gewisse Elektricitätsmenge, die wir, wenn c die Kapacität der Quadranten ist, mit cV bezeichnen können. Die zur Erde abgeleitete Nadel wird durch Influenz von A_1 auf einen gewissen negativen Potentialwert V_1 gebracht, welcher, wenn ξ eine Konstante ist, gleich ξV gesetzt werden kann. Ist c_1 die Kapacität der Nadel, so ist $c_1 \xi V$ die in derselben vorhandene Elektricitätsmenge, somit die Anziehung von A auf die Nadel proportional $cc_1 \xi V^2$. Man kann dieser Anziehung durch Torsion des Drahtes das Gleichgewicht halten und so durch die Torsion die Anziehung messen.

Befindet sich bei derselben Lage der Nadel gegen die Quadranten im Cylinder eine dielektrische Flüssigkeit mit der Dielektricitätskonstanten D, so erhält, wenn jetzt das Quadrantenpaar bis zum Potentialwert V reladen wird, dasselbe die Elektricitätsmenge DcV, da die Kapacität der Quadranten jetzt D mal größer ist. Die Nadel N wird dadurch wieder auf das Potentialniveau $V_1 = \xi V$ influenziert, erhält dadurch aber jetzt, da die Kapacität auch dieser D mal größer ist, die Elektricitätsmenge $Dc_1\xi V$. Die Anziehungen dieser Elektricitätsmengen würden in Luft $D^{\sharp}cc_1\xi V^2$ sein; im Dielektricum ist die Anziehung $\frac{1}{D}$ derselben, sie muß also $Dcc_1\xi V^2$ sein, oder die Anziehungen in Luft und im Dielektricum müssen sich wie 1:D verhalten.

Silow fand in der That die Anziehung im Terpentinöl erheblich größer als in Luft, der für Terpentinöl gefundene Wert von D stimmt

Pecht gut mit dem auf anderen Wegen gefundenen überein.

Quincke bestimmte direkt die Anziehung zweier Platten, je nachdem dieselben sich in Luft oder* in isolierenden Flüssigkeiten befanden. Die untere war isoliert fest in einer Glaswanne aufgestellt; dieselbe konnte zu einem bestimmten Potentialwerte geladen werden, welch letzterer an einem Elektrometer gemessen wurde. Die obere hing in einem bei allen Versuchen gleichen Abstande δ über der untern; sie war an einem Arm einer feinen Wage aufgehängt und wurde durch in die am andern Arm hängende Wagschale eingelegte Gewichte im Gleichgewicht gehalten, sie

wurde ausserdem in dieser Lage durch drei an der Glaswanne befestigte Schrauben gestützt, damit sie nicht bei etwaiger Schwankung der Wage sich der unteren Platte weiter nühern konnte.

Nachdem die Platte genau üquilibriert war, wurde die Wage arretiert, auf die andere Wage eine Zulage G_1 gelegt und dann die untere Platte durch Verbindung derselben mit einer Batterie Leydner Flaschen, die wir demnächst beschreiben werden, zu einem solchen Werte der Potentialfunktion geladen, daß die Anziehung der beiden Platten größer war als der von dem Zulagegewicht herrtihrende Gegenzug. Hiernach wurde die Arretierung der Wage gelöst und nun die Ladung der Batterie und damit die Potentialfunktion in der untern Platte so langsam vermindert, daß man am Elektrometer den Gang derselben beobachten konnte. Mit Verminderung der Potentialfunktion der untern Platte nahm die Anziehung der beiden Platten ab, und hatte die Potentialfunktion einen bestimmten Wert erreicht, so war die Anziehung gleich dem Zuge des Zulagegewichtes. Der Wert der Potentialfunktion in dem Momente, in welchem die Wage eine Gleichgewichtsstörung erkennen ließ, war demnach jener, bei welchem die Anziehung der Platten gleich dem Zuge des Zulagegewichtes war.

Die Versuche wurden gemacht, wenn die Glaswanne nur Luft enthielt, oder wenn sie mit einer isolierenden Flüssigkeit gefüllt war. Wie sich aus den so gemessenen Anziehungen und Potentialfunktionen die Dielektricitätskonstanten der Flüssigkeiten berechnen lassen, ergiebt sich folgendermaßen:

In Luft ist die Potentialfunktion zwischen den Platten

$$V = 4\pi h(\delta - x),$$

somit

$$\frac{dV}{dx} = -4\pi h.$$

Dieser Differentialquotient, negativ genommen, giebt uns den der Einheit der Elektricität zwischen den Platten erteilten Antrieb; der Antrieb, welchen die Elektricitätsmenge eins in der zweiten Platte selbst gegen die erste hin erfährt, ist aber nur halb so groß. Denn für einen in der zweiten Platte befindlichen elektrischen Punkt wird von der in dieser Platte befindlichen Elektricität keinerlei Antrieb parallel x bewirkt, wie wir schon §. 38 aus den Sätzen des §. 7 ableiteten, weil eben der Antrieb, welchen ein elektrischer Punkt durch die in der Platte vorhandene Elektricität erfährt, bei dem Passieren der Platte sein Zeichen ändert. Daß dem so ist und daß infolgedessen die Wirkung auf einen Punkt der zweiten Platte gerade die Hälfte von derjenigen auf einen Punkt zwischen den Platten ist, erkennt man sofort, wenu man die beiden Glieder, aus denen sich Γ zusammensetzt, sowohl für einen Punkt zwischen den Platten $(x < \delta)$, als auch für einen Punkt außerhalb der Platten $(x > \delta)$ hinschreibt.

Für einen Punkt zwischen den l'latten ist

$$V = 2\pi h(R - x) - 2\pi h\left(1 - \frac{\delta}{R}\right)(R - \delta + x),$$

oder wenn die Glieder mit δ^2 und δx vernachlässigt werden,

$$V = 2\pi h (R - x) - 2\pi h (R - 2\delta + x)$$
$$\frac{dV}{dx} = -2\pi h - 2\pi h.$$

ir einen Punkt außerhalb der Platten ist

$$V = 2\pi h (R - x) - 2\pi h \left(1 - \frac{\delta}{R}\right) R - x + \delta$$

$$V = 2\pi h (R - x) - 2\pi h (R - x) = 0$$

$$\frac{dV}{dx} = -2\pi h + 2\pi h = 0.$$

em Durchgang durch die zweite Platte geht also der Differentialent der Potentialfunktion der zweiten Platte aus — $2\pi h$ in $+2\pi h$ in der Platte ist er somit null und es ist in der zweiten Platte

$$\frac{dV}{dx} = -2\pi h.$$

plizieren wir diesen letzten negativ genommenen Differentialquotienten ler in der obern Platte vorhandenen Elektricitätsmenge, so erhalten lie zwischen beiden Platten wirksame Kraft. Im §. 41 sahen wir, die Dichtigkeit der Elektricität in der abgeleiteten Platte, in welcher otentialfunktion gleich null ist, gleich — h ist, wenn δ gegen die nsionen der Platten sehr klein ist. Quincke wandte bei einem Durcher der Platten von 85,3 mm einen Abstand δ = 1,597 mm an. Nennen die Größe der Plattenfläche S, so wird die Anziehung der beiden en

$$A=G_1=-2\pi h^2S.$$

dieselbe durch die Potentialfunktion in der geladenen Platte auszu-en, ist zu beachten, dass der Wert derselben V_1 gegeben ist durch

$$V_1 = 4\pi h \delta$$
,

ist

$$h^2 = \frac{1}{16\pi^2} \frac{V_1^2}{\delta^2},$$

setzen wir den Wert von hi in die Gleichung für A, so wird

$$A = G_1 = -\frac{S}{8\pi} \frac{V_1^2}{d^2}$$

Anziehung ist somit der Größe der Platten und dem Quadrate der tialfunktion der geladenen Platte direkt, dem Quadrate des Abes der Platten umgekehrt proportional¹).

$$G_1 g = \frac{S}{8\pi} \frac{V_1^2}{\delta^2},$$

¹⁾ Die Messung der Anziehung zweier Platten, deren eine geladen, deren \vdots zur Erde abgeleitet ist, liefert uns gleichzeitig ein Mittel, die Potentialon der geladenen Platte in absolutem Maße zu bestimmen, oder auch beide Platten geladen sind, die Differenz der Potentialfunktionen so zu a. Ist G_1 das die Anziehung messende Gewicht, somit G_1 g die Anziehung absolutem Maße, so liefert die Gleichung

310

Befinden sich die Platten in einer dielektrischen Flüssigk Dielektricitätskonstante gleich D ist, so ist die Potentialfunktion den Platten

$$V = 4\pi h (\delta - x) \frac{1}{D},$$

somit

$$\frac{dV}{dx} = -4\pi \frac{h}{D}.$$

Die Anziehung der Platten wird somit, weil auch jetzt die 1 in der obigen Platte gleich - h ist,

$$A' = G = -2\pi \frac{h^2}{D} \cdot S,$$

wenn G das die Anziehung messende Gewicht ist. Drücken wi die Potentialfunktion V_1' in der geladenen Platte aus, so ist

$$V_{1}' = 4\pi \frac{h}{D} \delta; \qquad h^2 = \frac{D^2}{16\pi^2} \frac{V_{1}'^2}{\delta^2},$$

somit

$$A' = G = -D \frac{S}{8\pi} \frac{V_1'^2}{\delta^2}$$

Die Anziehung ist also D mal größer als in Luft. Kombinier Beobachtung in einem Dielektricum mit derjenigen in Luft, so

$$\frac{G}{G_1} = D \frac{V_1'^2}{V_1'^2}; \qquad D = \frac{G}{G_1} \frac{V_1^2}{V_1'^2}.$$

Indem wir andere Methoden zur Bestimmung der Dielekti stanten, die indes weniger zu genauen Messungen geeignet s gehen, stellen wir im Folgenden die Dielektricitätskonstanten eir und flüssiger Körper nach den verschiedenen Beobachtungen Quadrate der Brechungsexponenten der Medien zur Prüfung erwähnten Maxwellschen Satzes zusammen. Die Methode, nac die von mir erhaltenen Werte gefunden sind, werden wir in Paragraphen besprechen. Die von Schiller 1) angewandte Metho wir erst später andeuten.

wo wir das negative Zeichen fortlassen, da es hier auf die Richtun nicht ankommt,

$$V_1 = \delta \sqrt{\frac{8\pi G_1 g}{S}}.$$

Ist auch die zweite Platte und zwar bis zur Potentialfunktion so wird

$$V_1 - V_2 = \delta \sqrt{\frac{8\pi G_1 g}{S}}.$$

Bei dem schon im §. 45 erwähnten absoluten Elektrometer von (Reprint of papers on electrostatics etc., p. 287) ist dieser Satz angew ziemlich ausführliche Beschreibung mit Abbildung dieses Elektron auch Wiedemann im Bd. I der Elektricitätslehre S. 176.

1) Schiller, Poggend. Ann. Bd. CLII.

Dielektricitätskonstanten einiger fester Körper¹).

	Boltzmann ³)						
Substanzen	Kapacitäts- messung	Anziehung einer Kugel	Schiller	Wüllner	Gordon	n^2	
Glas 3)	_	7,5	5,83	6,10	3,243	2,283 bis 3,048	
Schwefel 4)	3,84	3,90		3,04	2,58	4,16	
Paraffin 5)	2,32	2,32-2,34	1,85	1,96	1,99	2,02	
Ebonit	3,15	3,48	2,21	2,56	2,28		
Schellack ⁶)		· –	_	${2,95 \atop 3,73}$	2,74	_	
Kolophonium	2,55	2,48		` _ _		2,38	
Guttapercha	<u> </u>	'		_	2,46	<u> </u>	

Dielektricitätskonstanten einiger Flüssigkeiten.

Substanzen	nach Hopkinson	nach aus Mess	n ²	
	Hopkinson	Kapacität	Auziehung	
Petroleum	2,10	2,071	2,037	2,078
Terpentinöl	2,23	2,158	2,221	2,13
Benzol		2,198		2,196
Ricinusõl	4,78	<u> </u>		2,153
Spermacetöl	3,02	_	_	2,135
Olivenöl	3,16	_	_	2,131

Die in diesen beiden Tabellen angegebenen Werte der Brechungsexponenten sind nach der Cauchyschen Formel für unendlich lange Wellen berechnet.

In der nachfolgenden Tabelle sind einige Beobachtungen von Quincke zusammengestellt, die Dielektricitätskonstanten unter I sind aus Kapacitätsmessungen eines Kondensators, bei längerer Ladungsdauer, unter II bei kürzerer Ladungsdauer, von G. Weber in Quinckes Laboratorium bestimmt, die unter III durch Anziehung der Kondensatorplatten gemessen. Die

0.00

¹⁾ Die hier angegebenen Werte entsprechen bei den Beobachtern, bei denen eine verschiedene Dauer angegeben ist, immer der kürzesten Dauer der Influenz (siehe den nächsten Paragraphen).

²⁾ Der Wert für Glas in dieser Rubrik ist von Nowak und Romich nach Boltzmanns Methode erhalten.

³⁾ Gordon findet für ganz verschiedene Gläser, Flintgläser, Kronglas Werte zwischen 3,01 und 3,16, und bei späterer Wiederholung der Versuche mit denselben Gläsern Werte zwischen 3,31 und 3,84. Hopkinson findet für verschiedene Gläser Werte zwischen 6,61 und 9,09, den größten für ein schweres, den kleinsten für ein leichtes Flintglas, für Tafelglas (also bleifreies Glas), erhält derselbe 8,45.

⁴⁾ Siemens findet für Schwefel 2, 9.

⁵⁾ Barklay und Gibson finden für Paraffin 1,976, Schiller für rasch erkaltetes durchsichtiges Paraffin 1,68.

⁶⁾ Der von mir benutzte Schellack war mit venetianischem Terpentin gemischt, die beiden Zahlen beziehen sich auf verschiedene Mischungen.

Brechungsexponenten sind für die dunkle Linie *D* bestimmt; die Temperaturen gelten für die unter I und III angegebenen Zahlen, bei den unter II angegebenen Zahlen waren sie einige Grade höher.

Substanzen	Tempe- ratur	n³	I	II	III
Äther	6,6	1,851	3,364	3,960	4,851
Äther getrocknet	8,37	1,848	3,323	'	4,623
Schwefelkohlenstoff	'	•	•		
mit Schwefel	8,68	2,822	2,113	2,494	2,870
Schwefelkohlenstoff I	7,50	2,685	2,217	<u> </u>	2,669
" IĪ	12,98	2,671	1,970	 	2,692
" III	21,00	2,643	_	2,149	-
Benzol I	13,20	2,261	1,928		2,389
" II	14,40	2,265	2,050	_	2,325
Rapsöl	16,41	2,174	2,443	2,571	2,385
Terpentinöl	16,71	2,161	1,940	2,282	2,259
Steinöl	16,62	2,098	1,705	2,033	2,138

Für Schwefelkohlenstoff erhielt Gordon¹) den Wert 1,81.

Eine Vergleichung der von den verschiedenen Beobachtern oder auch der von demselben Beobachter nach den verschiedenen Methoden erhaltenen Werte der Dielektricitätskonstanten derselben Substanzen zeigt keines weges die wünschenswerte Übereinstimmung. Einen Grund hierfür werder wir im nächsten Paragraphen darin finden, daß die Dauer der Influen bei den Versuchen eine verschiedene ist. Wir werden sehen, daß wenig stens bei den festen Körpern durch die längere Dauer der Influenz de sich ergebende Wert der Dielektricitätskonstanten erheblich wachsen muß Bei den Flüssigkeiten wird der Wert durch längere Dauer des Versuche kleiner werden, wenn die Flüssigkeiten direkt mit den Platten in Berührung sind. Wenn demnach die Werte der Dielektricitätskonstanten noc einigermaßen unsicher sind, so wird man doch aus den vorliegenden Zallen den Schluß ziehen müssen, daß sie eine Bestätigung des Maxwelschen Satzes über die Beziehung zwischen den Dielektricitätskonstante und Brechungsexponenten nicht liefern.

IV. Messung der Dielektricitätskonstanten der Gase.

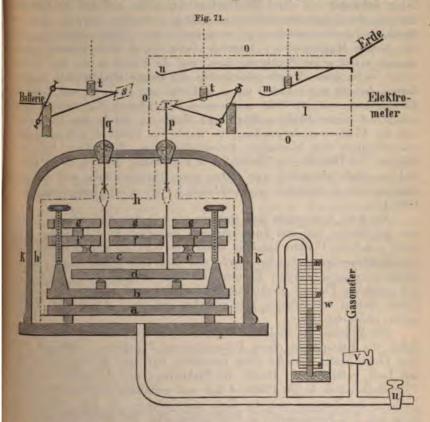
Faraday sowohl wie Siemens kannen bei ihren vorhin besprochent Versuchen über das specifische Induktionsvermögen zu dem Resultate, da dasselbe für alle Gase gleich, also wenn, wie bei allen Bestimmunge die Dielektricitätskonstante der Luft als Einheit genommen wird, für al Gase gleich eins wäre.

Boltzmann²) hat deshalb später die Versuche über das specifische bluktionsvermögen der Gase wieder aufgenommen, und kam zu dem B

¹⁾ Gordon, A physical Treatise of Electricity. Bd. I.

²⁾ W. Boltzmann, Poggend. Ann. Bd. CLV.

sultate, daß dasselbe für die verschiedenen Gase nicht ganz gleich ist. Das von Boltzmann bei diesen Messungen angewandte Verfahren, durch welches er in sehr sinnreicher Weise die geringen Kapacitätsänderungen zines Kondensators mißt, ist folgendes. Auf einem Luftpumpenteller, von dessen mittlerer Durchbohrung eine mit_Hähnen u, v Fig. 71 versehene



Röhrenleitung zu einer Luftpumpe und durch die mit dem Hahn v verschene Röhre zu einem Gasometer führt, steht zunächst eine massive Doppelplatte a, b. Die Platte a steht auf drei Messingfüßen und ist durch eine Luftschicht von dem Luftpumpenteller getrennt. Ebenso ist b mit drei Messingfüßen auf a befestigt und von a durch eine Luftschicht getrennt. Die Platte b trug drei Messingaufsätze, von denen zwei in der Figur sichtbar sind. Von diesen Aufsätzen wurde mit Ebonitschrauben eine Doppelplatte g, f getragen, die ebenso wie a und b durch Messingstücke verbunden und durch eine Luftschicht getrennt waren. Die beiden obern Platten sind mehrfach durchbohrt. In dem Raume zwischen f und b, durch die obern und untern Platten vor jeder Wärmestrahlung geschützt, befand sich der Kondensator, dessen Kapacitätsänderung bestimmt werden sollte. Die untere Platte d desselben lag auf drei Schellackfüßschen, die obere Platte c wurde von der Platte f getragen, an welche sie mittels

dreier Schellackstäbehen befestigt war. Durch die eine Durchbohrung der Platten g und f und die Durchbohrung der Platte c führte ein Draht zur Platte d, welcher von einem Schellackpfropf getragen wurde, der in einer Durchbohrung der den Apparat überdeckenden Luftpumpenglocke getrage Durch diesen Draht p konnte die untere Platte d des Kondensators entweder mit einem Quadrantenelektrometer und mit der Erde oder nur mit dem Quadrantenelektrometer allein verbunden werden. Wenn der durch ein Schellackstäbehen an einer isolierenden Decke aufgehängte und ein dünnes Messingblech r tragende Drahtwinkel niedergelassen wurde, so dass r mit p zur Berührung kam, war die Platte d-mit dem Elektrometer verbunden. Wurde gleichzeitig der zweite Drahtwinkel niedergelassen, das m mit l und n mit r in Berührung kam, so war d und das Elektrometer mit der Erde in leitender Verbindung. Ein zweiter ebenne wie p befestigter Draht q führte zur Platte c; wurde der Drahtwinkel mit der Platte s niedergelassen, so wurde die Platte c mit einer Elektricitätsquelle von konstanter Potentialfunktion, dem einen Pole einer Batterie von Daniellschen Elementen in Verbindung gesetzt, deren anderer Pol zur Erde abgeleitet war. Das ganze Plattensystem war mit einer Messinghtlle h umgeben und schliefslich mit einer Luftpumpenglock bedeckt.

Zunüchst überzeugte sich Boltzmann, dass das Auspumpen der Lust aus der Glocke und das Zurückströmen derselben in die Glocke in den nicht geladenen Platten keinerlei elektrische Wirkung zeigte, indem d mit dem Elektrometer verbunden wurde und dann Lust ausgepumpt oder einströmen gelassen wurde. Ebenso überzeugte sich Boltzmann, dass von der geladenen Platte c direkt keine Elektricität zu d gelangte, indem c geladen, darauf nach einiger Zeit entladen und dann d mit dem Elektrometer verbunden wurde.

Zur Messung der Dielektricitätskonstanten der Gase wurde die Plattet durch die Batterie zu einem Potentialwerte V geladen, während d mit dem Elektrometer und der Erde verbunden war, und die Glasglocke etwa mit Luft gefüllt war. Durch die Verbindung mit der Erde wurde die Potentialfunktion in der Platte d auf null gehalten. Nun wurde die Verbindung der Platte d mit der Erde unterbrochen, so dass dieselbe m mehr mit dem Elektrometer in Verbindung war, und dann, während e mit der Batterie in Verbindung blieb, die Luft ausgepumpt. Ist die Dielektricitätskonstante der verdünnten Luft eine andere als die der dichten Luft, so muss der Potentialwert in der Platte d jetzt ein anderer werden; ist sie größer, so muß der Potentialwert der Platte positiv werden, vorausgesetzt, daß c positiv geladen ist, ist sie kleiner, so muß derselbe negativ werden. Die Nadel des Elektrometers muß deshalb in dem einen oder anderen Sinne aus der Nulllage abgelenkt werden. In der That fand sich ein Ausschlag in dem Sinne, der zeigte, dass die Dielektricitätskonstante der verdünnten Luft kleiner wurde. Sei der beobachtete Ausschlag gleich β .

Um aus der Größe des Ausschlags die Änderung der Potentialfunktion ableiten zu können, wurde eine zweite Messung gemacht. Während die Glocke mit Luft gefüllt und die Platte d zur Erde abgeleitet war, wurde wieder die Platte c mit der gegebenen Batterie von sElementen

laden. Darauf wurde die Verbindung von d mit der Erde gelöst und n die Batterie um ein Element vermehrt, wodurch, wie wir später besisen werden, die Potentialfunktion des Batteriepoles im Verhältnis von m+1 vergrößert wurde. Infolgedessen wurde der Wert der Pontialfunktion in der Platte d positiv und die Nadel des Galvanometers gelenkt.

Um zu erkennen, wie sich hieraus das Verhältnis der Dielektricitätsnstanten der dichtern und verdünntern Luft ergiebt, berechnen wir die tentialfunktion V_2 in der Platte d für beide Versuche, nachdem sie diert und nun entweder die Luft ausgepumpt oder ohne daß sie auspumpt war, die Potentialfunktion in c vergrößert wurde.

Wir gehen von der im Anfange dieses Paragraphen benutzten Gleiung I für die Potentialfunktion zwischen zwei Platten aus, zwischen nen sich ein Dielektricum mit der Elektrisierungskonstanten a befindet; eselbe war

$$2\pi h(R-x) - 2\pi ah(R-x') + 2\pi ah(R-x'') + 2\pi h_1(R-x_1);$$

erin ist x der Abstand des betrachteten Punktes von der obern Platte, der Abstand desselben von der obern Fläche des Dielektricums, welche lbst von der obern Platte den Abstand δ_1 hat, x'' der Abstand des beachteten Punktes von der untern Fläche des Dielektricums, welche von er obern Platte um δ_2 entfernt ist, und x_1 der Abstand des Punktes von er untern Platte.

Für einen Punkt der obern Platte erhalten wir die Potentialfunktion ', wenn wir zunächst x', x'', x_1 für einen Punkt zwischen der obern latte und der obern Fläche des Dielektricums durch x ausdrücken und ann x = 0 setzen. Für einen solchen Punkt ist

$$x+x'=\delta_1, \quad x+x''=\delta_2, \quad x+x_1=\delta.$$

etzen wir hierin x = 0 und die dann sich ergebenden Werte in obige eleichung, so wird

$$V_1 = 2\pi hR - 2\pi ah(R - \delta_1) + 2\pi ah(R - \delta_2) + 2\pi h_1(R - \delta).$$

Zur Bestimmung der Potentialfunktion in der zweiten Platte V_1 drücken vir zunächst x', x'', x_1 für einen Punkt zwischen der untern Fläche des Sielektricums und der untern Platte durch x aus und setzen dann $x = \delta$. Für einen solchen Punkt ist

$$x-x'=\delta_1, \quad x-x''=\delta_2, \quad x+x_1=\delta.$$

Letzen wir diese Werte mit $x = \delta$ in unsere Gleichung, so wird

$$|_{2} = 2\pi h(R-\delta) - 2\pi ah(R-\delta+\delta_{1}) + 2\pi ah(R-\delta+\delta_{2}) + 2\pi h_{1}R.$$

Ziehen wir die Gleichungen V_1 und V_2 von einander ab, so wird

$$V_1 - V_2 = 2\pi h \delta + 4\pi a h \delta_1 - 4\pi a h \delta_2 - 2\pi h_1 \delta$$
.

Hierin ist noch h_1 , die Dichtigkeit der Elektricität in der zweiten atte zu bestimmen. Wir leiten dieselbe aus der Gleichung für V_2 ab, dem wir gleichzeitig beachten, daß, weil die Gase den ganzen Raum

zwischen den Platten ausfüllen, somit die Platten berühren, δ_1 $\delta_2 = \delta$,

$$h_1 = \frac{V_2}{2\pi R} - h\left(1 - \frac{\delta}{R} + a\frac{\delta}{R}\right) = \frac{V_2}{2\pi R} - h\left(1 - (1 - a)\frac{\delta}{R}\right)$$

Setzen wir diesen Wert in den Ausdruck für die Differenz $V_1 - V$ erhält man ohne weiteres

$$V_1 - V_2 \left(1 - \frac{\delta}{R}\right) = 4\pi h\delta \left(1 - a\right) \left(1 - \frac{\delta}{2R}\right),$$

und wenn wir δ gegen R als sehr klein voraussetzen

$$V_1 - V_2 = 4\pi h\delta(1-a),$$

setzen wir jetzt die Dielektricitätskonstante $D = \frac{1}{1-a}$ ein, so wird

$$V_2 = V_1 - 4\pi h \delta \, \frac{1}{D} \cdot$$

Bei dem ersten Versuche wurde, wenn die Glocke Luft enthielt obere Platte zum Potentialwert V_1 geladen, während die untere abge war. Es war somit zunächst

$$V_2 = 0, \qquad V_1 = 4\pi h \delta \frac{1}{D}.$$

Dann wurde die Platte isoliert, und während die Potentialfunktion obern Platte auf dem konstanten Wert V_1 gehalten wurde, die Luft gepumpt. Die Dielektricitätskonstante der verdünnten Luft sei D_1 , s jetzt die Potentialfunktion in der untern Platte

$$V_{2}' = V_{1} - 4\pi h \frac{1}{D_{1}};$$

Setzen wir für V1 den vorhin bestimmten Wert, so wird

$$V_1 = 4\pi h\delta \frac{1}{D}; \qquad V_2' = 4\pi h\delta \left(\frac{1}{D} - \frac{1}{D_1}\right).$$

Bei dem zweiten Versuche wird wieder, während der Apparat enthält, die obere Platte bis zu dem Potentialwert V_1 geladen, wä die untere Platte abgeleitet ist, es ist $V_2 = 0$

$$V_1 = 4\pi h \delta \frac{1}{D_1}$$

Nachdem die Platte d isoliert war, wurde der Wert der Pote funktion V_1 im Verhältnis n zu n+1 vermehrt. Die Potentialfun in der untern Platte wird demnach

$$V_{2}'' = V_{1} \left(1 + \frac{1}{n} \right) - 4 \pi h \delta \frac{1}{D}$$
 $V_{2}'' = \frac{1}{n} 4 \pi h \delta \frac{1}{D}$

Die beiden Potentialfunktionen V_2 und V_2 verhalten sich direk die in dem Elektrometer bei den beiden Versuchen beobachteten A

en β : α , da in der Zusammenstellung von Platte und Elektrometer s geändert war. Es folgt somit

$$4\pi h\delta\left(\frac{1}{D} - \frac{1}{D_1}\right) : \frac{1}{n} 4\pi h\delta\frac{1}{D} = \beta : \alpha$$

$$1 - \frac{D}{D_1} = \frac{1}{n} \frac{\beta}{\alpha}$$

$$\frac{D}{D_1} = 1 - \frac{1}{n} \frac{\beta}{\alpha}$$

man sieht, dass, wie wir vorhin bemerkten, β negativ sein muss, in $D > D_1$, dagegen positiv, wenn $D < D_1$. Die Versuche Boltzmanns aben das erstere.

Um eine Vorstellung von den zu beobachtenden Größen zu geben, nerken wir, daß wenn die Potentialfunktion V_1 durch 300 Daniellsche mente hergestellt war, bei Hinzufügung eines Elementes die mit Spiegel 1 Skala beobachtete Ablenkung α am Elektrometer etwa 60 Teilstriche rug, als dagegen bei konstantem Werte V_1 die Luft bis auf 10-20 mm ecksilberdruck ausgepumpt war, ergab sich die Ablenkung β etwa gleich Teilstrichen, und zwar im negativen Sinne.

Boltzmann schloss aus seinen Versuchen, dass die Dielektricitätskonnte mit der Dichtigkeit der Gase und zwar derselben proportional zum. Ist dieser Satz allgemein gültig, und setzen wir die Dielektriciskonstante des leeren Raumes gleich 1, so lässt sich diejenige bei em Drucke b darstellen durch

$$D=1+\lambda \, \frac{b}{760},$$

nn λ eine Konstante, die Zunahme der Dielektricitätskonstante bei Zunme des Druckes um eine Atmosphäre bedeutet. Für einen Druck b_1 debenso

$$D_1 = 1 + \lambda \frac{b_1}{760}$$

1 da & sehr klein ist,

$$\frac{D}{D_1} = 1 + \lambda \frac{b - b_1}{760} = 1 - \frac{1}{n} \frac{\beta}{\alpha}$$

Ist $D > D_1$, so ist, wie schon oben bemerkt wurde, die Ablenkung rativ. Wie erwähnt, war die beobachtete Ablenkung negativ, setzen deshalb dieselbe $\beta = -\beta_1$, so wird

$$\lambda = \frac{1}{n} \frac{\beta_1}{\alpha} \frac{760}{b - b_1}$$

d mit dem so bestimmten & erhalten wir

$$D=1+\lambda$$

Dielektricitätskonstante des untersuchten Gases für den Druck der mosphäre, wenn jene des leeren Raumes gleich eins gesetzt wird. Die n Boltzmann erhaltenen Resultate werden wir mit den von den übrigen perimentatoren erhaltenen nachher zusammenstellen.

Ayrton und Perry 1) wandten zu ihren Versuchen zwei Kondensatoren an, von denen der eine in einem rings geschlossenen Kasten sich befand, welcher luftleer gemacht oder mit beliebigen Gasen gefüllt werden konnta Die Kapacitäten der beiden Kondensatoren wurden verglichen, indem einmal die nicht zur Erde abgeleiteten Platten derselben auf den gleichen Potentialwert geladen, darauf mit einander und mit dem Elektrometer verbunden wurden, und indem bei einem zweiten Versuche die beiden nick zur Erde abgeleiteten Platten mit entgegengesetzter Elektricität, die eine zum Potentialwert V, die andere bis - V geladen, dann ebenso mit einander und dem Elektrometer verbunden wurden. Die Ladungen geschahe durch Verbindung der Kondensatorplatten mit den Polen einer Battem von Daniellschen Elementen.

Ist die Kapacität des einen Kondensators C, die des andern, in den geschlossenen Kasten aufgestellten C_1 , so ist bei dem ersten Versuche die auf die Platten übergegangene Elektricitätsmenge

$$q = (C + C_1) V$$
.

Werden die beiden Platten mit dem Elektrometer verbunden, dessen Kapacität gleich K ist, so verteilt sich die Elektricität zwischen den Platte und dem Elektrometer und die Potentialfunktion sinkt auf V1, so daß

$$q = (C + C_1 + K) V_1.$$

Nennen wir die bei dem zweiten Versuche in den Platten vorhandene positive Elektricität q', so ist

$$q' = (C - C_1) V,$$

durch Verbindung mit dem Elektrometer geht jetzt die Potentialfunktion auf V' herunter, und es ist

$$q' = (C - C_1 + K) V'.$$

Aus diesen vier Beobachtungen läßt sich das Verhältnis der Kapacitäten und damit das der Dielektricitätskonstanten der im geschlossene Kasten vorhandenen Gase aus den für den Kondensator bei Füllung mit den verschiedenen Gasen erhaltenen Werten von C, berechnen.

(lanz vor kurzem hat schliefslich Klemenčić²) die Dielektricitätekonstanten verschiedener Gase und Dämpfe gemessen. Klemencic wandte die schon erwähnte im nächsten Abschnitt zu besprechende Methode von Siemens zur Vergleichung der Kapacitäten eines Kondensators an, wenn derselbe zwischen den Platten verschiedene Gase enthielt, beziehungsweiße sich in einem mit verschiedenen Gasen gefüllten Raume befand.

In nachfolgender Tabelle sind die von den drei Physikern gefundenen Werte für den Druck der Atmosphäre mit den für den gleichen Druck geltenden Quadraten der Brechungsexponenten zusammengestellt.

¹⁾ Ayrton und Perry, Gordon Electricity Bd. I, p. 180. 2) Klemenčić, Berichte der Wiener Akademie Bd. XCI, 8. 712 f.

Name der Gase	Dielekt	Quadrate des Berechnungs		
Transport Control	Boltzmann	Ayrton-Perry	Klemenčič	exponenten
Luft	1,000590	1,0015	1,000586	1,000588
Kohlensäure	1,000946	1,0023	1,000984	1,000898
Wasserstoff	1,000264	1,0013	1,000264	1,000276
Kohlenoxyd	1,000690	1 1	1,000694	1,000680
Stickoxydul	1,000994	-	1,001158	1,001006
thylen	1,001312	1,0019	1,001458	1,001356
rubengas	1,000944	-	1,000952	1,000886
chweflige Saure	-	1,0052	1,00954	1,001330
chwefelkohlenstoff	1111-1	-	1,00290	1,002956
thylather	1 -	- 1	1,00744	1,003074
hlorathyl	-	-	1,01552	1,002348
romäthyl	-	1	1,01546	1,002436

Die auf die gleichen Substanzen sich beziehenden Zahlen von Boltzann und Klemencic stimmen recht gut überein, dagegen weichen die ihlen von Ayrton und Perry erheblich von diesen ab. Für die ersten ase finden die beiden erstern Physiker auch Zahlen, welche dem Maxwellhen Gesetze entsprechen, für die Dämpfe dagegen ist diese Beziehung solut nicht bestätigt.

§. 50.

Leitung in dielektrischen Medien. Wir haben schon beim Beginne Besprechung der Influenz in Nichtleitern erwähnt, dass in denselben e Influenz mit der Zeit wächst, und auch schon im §. 35 bei der ersten esprechung der Influenzerscheinungen einiger älteren Versuche gedacht, elche dafür den Beweis liefern, dass die Influenz mit der Zeit zunimmt, nd daß die so erregte Influenz auch nur allmählich wieder verschwindet. lehrere der im vorigen Paragraphen besprochenen Untersuchungen haben benfalls eine solche mit der Zeit wachsende Influenz erkennen lassen; so and Boltzmann und in gleicher Weise Nowak und Romich, dass die Anichung einer dielektrischen Kugel unter dauernder Wirkung der elekrischen Kugel eine erheblich größere wurde. Nowak und Romich fanden n dieser Weise schon, dass Selen, Glas und Quarz bei dauernder Einsirkung nahezu so stark elektrisch werden wie Leiter. Zu dem gleichen lesaltate gelangte auch Gaugain 1), als er die Kapacität eines Kondensaes bestimmte, zwischen dessen Metallplatten verschiedene dielektrische latten gelegt wurden. Er fand, dass mit der Zeit die Kapacität stets gleiche und zwar jene wurde, welche der Kondensator besafs, wenn e dielektrische Zwischenplatte durch eine Metallplatte ersetzt wurde,

Hiernach kann es zweifelhaft erscheinen, ob es für die im vorigen uragraphen mitgeteilten Erfahrungen in der That notwendig ist, eine darisation leitender Moleküle in dem Dielektricum anzunehmen, ob nicht olmehr die Vergrößerung der Kapacität eines Kondensators durch Zwischen-

¹⁾ Gaugain, Ann. de chim. et de phys. 4 Serie. T. II.

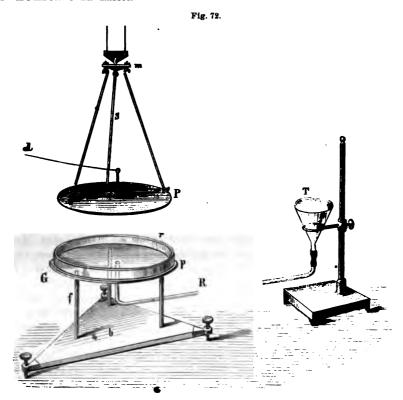
legung eines dielektrischen Zwischenmittels darin ihren Grund hat, auch bei sehr kurzer Dauer der Ladung schon die Influenz in den schle ten Leitern merkbar wird, welche dann erst langsam bis zu ihrer gar Nimmt man das an, so ist das specifische Größe sich entwickelt. duktionsvermögen abhängig von der Leitungsfähigkeit des isolieren Mediums. Die verteilende Wirkung erstreckt sich von dem elektrisie Körper sofort durch die ganze Masse des isolierenden Körpers, indem Influenzelektricität der ersten Art angezogen, die der zweiten Art al stoßen wird. Es tritt deshalb sofort eine Bewegung der Elektricität di die Masse ein, und es bedarf gerade wie bei der Faradayschen Ans nur einer Verschiebung um molekulare Strecken, um an der einen S des Isolators eine Schicht freier positiver Elektricität, an der andern solche negativer Elektricität zu erhalten. Je größer nun aber, bei im noch vorausgesetzten molekularen Strecken, die Verschiebung der Elel citäten in dem Isolator ist, je besser derselbe also leitet, um so mehr E tricität tritt auf den Grenzflächen des Isolators hervor, einen um so stä influenzierenden Einfluss muss somit die im Isolator geschiedene Elektric haben. Das specifische Induktionsvermögen Faradays würde also in Falle nur von dem Leitungsvermögen des Isolators abhängig sein.

Ich habe von diesem Gesichtspunkte aus die Frage zu entsche gesucht, ob wir eine besondere dielektrische Polarisation annehmen mü oder nicht, indem ich die mit der Zeit wachsende Influenz in Nichtlei messend verfolgt habe, um so die durch die Geschwindigkeit der Zuna der Influenz gemessene Leitungsfähigkeit des Isolators mit dem speschen Induktionsvermögen zu vergleichen. Zunächst untersuchte ich Influenz auf Flüssigkeiten 1).

Ich stellte zu dem Ende flüssige Platten her, über denen ich in stimmt messbarer Entfernung eine leitende elektrisierte Platte aufhing, de Potentialfunktion gemessen wurde. Die Einrichtung des Apparates 2 Fig. 72. Die Metallplatte P, welche elektrisiert wurde, hing, mit drei dür Glasstäbehen von 25 cm Länge befestigt, an einem kleinen Messingdreiecl das seinerseits mit zwei über Rollen geführten feinen Kupferdrähten einem Galgen hing, so dass die Metallplatte auf und niedergelassen in beliebiger Höhe festgehalten werden konnte. Unterhalb der schwel den Platte stand das Gefäs G. Dasselbe bestand aus einer kreisförmi Bodenplatte p, welche bei einigen Versuchen aus Metall, bei den eige lichen Messungen aus Glas war, auf welche ein Glasring r gekittet 1 dessen Durchmesser, gleich dem der Platte P, 12,5 cm, dessen Höhe 1,2 Die Glasplatte p war auf drei 10 cm hohe Glasfüse, mit Sie lack innen und außen überzogene dünne Glasröhrchen, gekittet, wel ihrerseits auf der großen dreieckigen Glasplatte b aufgesetzt waren. Fussplatte war mit Stellschrauben versehen, so dass man das Gefäss genau horizontal stellen konnte. Die Bodenplatte p war in der M durchbohrt, und in die Durchbohrung war mit einem Kautschukpfrop eine Glasröhre dicht eingesetzt, welche nahe unter der Platte horizot umgebogen und durch eine im ganzen etwa 11 Meter lange aus Glas ! gestellte Röhrenleitung mit dem Trichter T in Verbindung stand.

¹⁾ Wüllner, Sitzungsberichte der Münchner Akademie Bd. V. Jahrg. 18

rfass G und mit demselben die ganze 11 m lange Röhrenleitung und r Trichter T wurden mit der betreffenden Flüssigkeit gefüllt, so dass Niveau derselben genau gleich dem Rande des Glasringes r war; bei cht verdampfenden Flüssigkeiten lies man aus einem Tropfglase in den richter T nachtröpfeln, um das Niveau der Flüssigkeit in dem Gefüsse G ets konstant zu halten



Zur Untersuchung der Influenz auf die Flüssigkeit wurde die durch einen feinen Draht d mit dem Sinuselektrometer in Verbindung stehende Platte P mit Elektricität versehen und der Wert der Potentialfunktion im Sinuselektrometer gemessen, wenn die Platte in solcher Entfernung von der Flüssigkeit sich befand, dass eine gegenseitige Einwirkung nicht stattfinden konnte; der Abstand war etwas mehr als 10 cm. Dann wurde die Platte bis auf eine genau bestimmte Entfernung, bei allen Versuchen 2,93 mm, über der Flüssigkeit herabgelassen und wieder die Potentialfunktion der Platte beobachtet und zwar anfangs von 20 zu 20 Sekunden, später mit größern Zwischenzeiten. Nach einer längern Zeit wurde die Platte wieder emporgezogen und die Potentialfunktion neuerdings gemessen, um die während der Dauer der Beobachtung etwa stattgefundene Abnahme der Ladung in Rechnung zu ziehen. Letzteres geschieht unter der Annahme, das in gleichen Zeiten die Ladung stets um den gleichen Bruchteil abgenommen hat.

Bezeichnen wir mit V_1 die Potentialfunktion der Elektricität, wenn die Platte P für sich allein steht, mit V_2 die Potentialfunktion der in der Flüssigkeit durch Influenz erregten Elektricität in der Platte P, wenn dieselbe über der Flüssigkeit in der Entfernung 2,93 mm schwebt, so ist die in dem letztern Falle in der Platte P vorhandene und im Sinuselektrometer beobachtete Potentialfunktion v

$$v = V_1 + V_2$$
.

Da die Menge der influenzierten Elektricität jedenfalls der Menge der auf der Platte P vorhandenen Elektricität proportional ist, können wir setzen

$$V_2 = \alpha V_1$$

und

$$v = V_1(1 + \alpha)$$

$$\frac{v}{V_1} = 1 + \alpha.$$

Diese Werte $\frac{v}{V_{\cdot}}$ sind es, die bestimmt wurden.

Zunächst wurde der ganze Apparat mit einer leitenden Flüssigkeit gefüllt, nämlich mit Wasser. Es ergab sich, daß der Quotient $\frac{v}{V_1}$ sofort konstant wurde, und daß derselbe den gleichen Wert annahm, einerlei ob die Bodenplatte p aus Glas oder aus einer zur Erde abgeleiteten Metallplatte bestand, ein Beweis, daß die angewandte Röhrenleitung von 11 mm Länge hinreichend lang war, so daß auch ohne Verbindung mit der Erde die Potentialfunktion der Elektricität in der Flüssigkeit gleich null zu setzen war. Es fand sich nämlich

Wasser

		v V	
	isoliert	V_1	abgeleitet
	0,3976		0,3981
	0,3849		0,3888
	0,3828		0,3935
	0,3927		0,3876
	0,3982		0,3879
Mittel	0,3912		0,3912

$$\alpha = -0.6088$$
.

Da, wenn die Potentialfunktion in der Flüssigkeit null ist, keine Influenzelektricität zweiter Art vorhanden ist, so muß α negativ sein.

Denselben Wert für α erhielt man, wenn man auf den Glasring eine zur Erde abgeleitete Metallplatte legte und die Platte P bis zur Entfernung 2,93 mm von derselben herabließ, ein weiterer Beweis, daß in der obern Grenzfläche der leitenden Flüssigkeit der Wert der Potentialfunktion sofort gleich null wurde.

Auch bei nichtleitenden Flüssigkeiten ergab sich, wenn die Platte prine zur Erde abgeleitete Metallplatte war, dass die Influenz so rasch

denselben Wert annahm wie bei leitenden Flüssigkeiten, das es nicht möglich war, den Gang der Influenz mit wachsender Zeit zu verfolgen. Bei Schwefelkohlenstoff, Terpentinöl, Olivenöl wurde sofort nach dem Herablassen der Wert der gleiche, es ergab sich für

Schwefelkohlenstoff
$$\frac{v}{V_1} = 0.3983$$

Terpentinöl " = 0.3902.

Bei Petroleum erreichte die Influenz in etwa einer Minute denselben Wert wie bei Wasser, wie folgende beide Beobachtungsreihen zeigen:

Zeit	97	v
2010	V_{i}	V_{i}
0'	1	1
0' 20"	0,4388	0,4408
40"	0,4013	0,3972
1'	0,3937	0,3908
2'	0,3937	0,3908

Die kleinen Unterschiede in den schliefslich erreichten Werten rühren daher, daß es sich nicht erreichen liefs, das Flüssigkeitsniveau in dem Glasgefäße immer absolut gleich zu erhalten.

Dieses rasche Wachsen der Influenz, welches kaum einen Unterschied zwischen Leitern und Nichtleitern erkennen läßt, hat ohne Zweifel seinen Grund darin, daß bei Ladungen von der Stärke, wie ich sie, um dieselben am Sinuselektrometer messen zu können, anwandte, in der Flüssigkeit Strömungen entstehen, welche die mit Influenzelektricität erster Art versehenen Flüssigkeitsteilchen aufsteigen läßt, eine Strömung, welche die Wirkung der Influenz erheblich verstärken muß.

Zur Untersuchung der Abhängigkeit der Influenz von der Dauer der Einwirkung mußte demnach bei Flüssigkeiten die Platte p aus Glas gemonnen werden. In dem Falle ließ sich die Influenz sehr gut verfolgen, und verlief mit einer solchen Regelmäßigkeit, daß man bei dieser Anurdnung annehmen darf, die Strömungen in der Flüssigkeit haben keinen bemerkbaren Einfluß.

Ehe ich die nach dieser Methode erhaltenen Resultate mitteile, wird is am besten sein zu zeigen, wie sich aus den Beobachtungen die Abbängigkeit der Influenz von der Zeit ableiten und damit entscheiden läßt, ob wir eine von der Leitung des Isolators unabhängige Polarisation anzehmen müssen oder nicht. Es ist dazu festzuhalten, daß wir in jedem Momente den Wert der Potentialfunktion in der obern Platte beobachten, wir haben also zu untersuchen, wie derselbe mit der influenzierten Elektricität in der Flüssigkeit zusammenhängt.

Denken wir uns zuerst, die Platte sei bis zu einer Dichtigkeit h geladen und nicht mit dem Elektrometer verbunden, so daß die in der Platte vorhandene Dichtigkeit immer dieselbe wäre. Für die freischwebende Platte ist die Potentialfunktion dann

$$V_1 = 2\pi h R.$$

Für einen im Abstande x unterhalb der Platte befindlichen Punkt, somit wenn die Platte über die Flüssigkeit herabgelassen ist, für einen

Punkt in der Flüssigkeit ist die von der Elektricität der Platte herrühde Porententialfunktion

$$V = 2\pi h(R - x).$$

Schwebt die Platte über der Flüssigkeit im Abstande δ , so muß sofort eine Influenzierung in der Flüssigkeit eintreten; sei die Dichtigkeit der Elektricität in der obern Grenzfläche der Flüssigkeit, im Falle dieselbe leitend ist, gleich h_1 , so wird in einem gegebenen Momente, wenn a die von uns früher definierte Elektrisierungskonstante ist, die wir aber jetzt besser, da die Influenz mit der Zeit wächst, also a mit der Zeit größer wird, als Elektrisierungskoefficient bezeichnen, die Dichtigkeit in der obern Grenzfläche einer isolierenden Flüssigkeit ah_1 . Die Potentialfunktion der in der obern Grenze der Flüssigkeit hiernach vorhandenen elektrischen Schicht in einem um x von der obern Platte, also um $x-\delta$ von dieser Schicht entfernten Punkt ist

$$V' = 2\pi a h_1 (R - (x - \delta)).$$

Die in dem betrachteten Punkte überhaupt vorhandene Potentialfunktion ist somit

$$v = V + V' = 2\pi h(R - x) + 2\pi a h_1(R - (x - \delta)).$$

Der Wert von h_1 ergiebt sich aus der Überlegung, daß in der Oberfläche der leitenden Flüssigkeit, für welche a=1 und $x=\delta$ ist, der Wert der Potentialfunktion gleich null ist. Es ist somit

$$0 = 2\pi h(R - \delta) + 2\pi h_1 R$$
$$h_1 = -h\left(1 - \frac{\delta}{R}\right).$$

Mit diesem Werte von h, wird

$$v = 2\pi h(R - x)(1 - a)$$
 . . (1)

wenn wir die $\frac{\delta}{R}$ und $\frac{x}{R}$ enthaltenden Werte außer Acht lassen.

Die Gleichung (1) zeigt, dass so lange a < 1 die Potentialfunktion in der Flüssigkeit mit wachsendem x kleiner wird, in allen mit der Platte resp. der obern Grenzsläche parallelen Flächen aber denselben Wert hat. Daraus folgt, dass parallel der Richtung x in der ganzen flüssigen Platte eine elektromotorische Kraft wirkt, welche die negative Elektricität gegen die Grenzsläche der Flüssigkeit, die positive nach der entgegengesetzten Richtung treibt. Die Größe dieser elektromotorischen Kraft ist

$$\mp \frac{dv}{dx} = 2\pi h(1-a),$$

mit welcher die negative Elektricität einen Antrieb nach der Oberfläche, in der Richtung der abnehmenden x, die positive nach der entgegengesetzten Richtung getrieben wird.

Setzen wir voraus, daß die Elektricität in den schlechtleitenden Substanzen ebenso bewegt wird wie in einem Leiter, und nennen die Leitungsfühigkeit der schlechtleitenden Substanz, also die Elektricitätsmenge, welche reh die Flächeneinheit der schlechtleitenden Substanz parallel der Rich-

tung x in der Zeiteinheit hindurchtritt, wenn die treibende Kraft gleich 1, obiger Differentialquotient somit, der uns diese treibende Kraft giebt, gleich 1 ist, gleich k, so wird parallel der Richtung x durch die Flächeneinheit des Isolators in dem Zeitelement dt die Elektricitätsmenge

$$dq = \mp k \frac{dv}{dx} dt = 2\pi h (1 - a) k$$

hindurchgehen und zwar die Menge -dq nach oben, jene +dq nach unten. Infolgedessen wächst die Dichtigkeit der Elektricität in der obern Fläche der Flüssigkeit. Ist sie in dem gegebenen Moment

$$-ah\left(1-\frac{\delta}{R}\right),$$

so drücken wir diese Zunahme aus, indem wir a als Funktion der Zeit betrachten, somit für a setzen a + da, so daß die Dichtigkeit der negativen Elektricität um

$$da \cdot h \left(1 - \frac{\delta}{R}\right)$$
 oder $h \cdot da$

zunimmt, wenn wir $\frac{\delta}{R}$ als gegen 1 sehr klein vernachlässigen. Die Dichtigkeitszunahme bedeutet die Vermehrung der Elektricitätsmenge auf der Flächeneinheit; da dq die durch die Flächeneinheit jedes Querschnittes des Leiters hindurchtretende Elektricitätsmenge ist, so ist sie auch die auf die Flächeneinheit der Oberfläche des Leiters in dem Zeitelemente dtübertretende Elektricität. Somit ist

$$hda = dq$$

oder

$$h\,da = 2\pi\,h(1-a)k\,dt$$

und schliefslich

$$da = 2\pi(1-a)kdt.$$

Hiernach müßte der Elektrisierungskoefficient a stets bis 1 zunehmen, dem da wird erst null, wenn 1=a wird; alle Isolatoren müßten also mit wachsender Zeit in gleichem Grade elektrisiert werden wie die Leiter. Wie wir aber schon in der Einleitung zu §. 48 sagten, ist es möglich, daß die Elektricität in den Isolatoren einen solchen Widerstand findet, daß dieselbe im Gleichgewicht sein kann, auch wenn die Potentialfunktion nicht überall denselben Wert hat, somit schon wenn a noch nicht den Wert 1 erreicht hat.

Dieser Möglichkeit tragen wir Rechnung, wenn wir die Annahme machen, das in jedem Isolator der Scheidung der Elektricitäten eine gewisse von der Natur des Isolators abhängige Gegenkraft entgegenwirkt, die man als eine molekulare Anziehung auf die getrennten Elektricitäten ansehen kann. Die Kraft kommt zur Wirkung, sowie die beiden Elektricitäten geschieden sind und nimmt zu mit der Dichtigkeit der geschiedenen Elektricitäten. Damit wird die in dem Zeitelemente dt durch die Querschnittseinheit des Isolators nach beiden Seiten hindurchgehende Elektricitätsmenge nicht einfach der scheidenden Kraft, sondern der Differenz dieser und der molekularen Gegenkraft proportional, oder es wird

ţ

$$dq = + k \left(\frac{dv}{dx} - \mu' a h \right) dt,$$

wenn $\mu'ah$ jene der Dichtigkeit ah der geschiedenen Elektricitäten portionale Gegenkraft, also μ' eine von der Natur des Isolators hängige Konstante ist.

Damit wird

$$dq = h da = k 2\pi h (1 - a - \mu a) dt$$

wenn $\frac{\mu'}{2\pi} = \mu$ gesetzt wird, oder

$$da = k \, 2\pi (1+\mu) \left(\frac{1}{1+\mu} - a\right) dt.$$

Setzen wir

$$\frac{1}{1+\mu}=\varepsilon, \qquad 2\pi k(1+\mu)=c,$$

so ist

$$da = (\varepsilon - a) c dt.$$

Hiernach ergiebt sich a aus der Gleichung

$$\frac{da}{s-a} = c dt.$$

Setzen wir den der Zeit t = 0 entsprechenden Wert a gleich u ergiebt sich aus dieser Gleichung bekanntlich

$$\frac{\log \frac{(\varepsilon - a_0)}{\log (\varepsilon - a)}}{c \cdot t} = c \cdot t$$

oder

$$\varepsilon - a = (\varepsilon - a_0)e^{-ct} = (\varepsilon - a_0)b^{-t} . . . (1)$$

Der der Zeit t=0 entsprechende Wert von a, also a_0 giebt un im vorigen Paragraphen untersuchte dielektrische Polarisation, er ist was wir im vorigen Paragraphen die Elektrisierungskonstante nan so daß $\frac{1}{1-a_0}=D$ die Dielektricitätskonstante des betreffenden Med ist. Wenn nun in der That die dielektrische Polarisation nur die in unmeßbar kleinen Zeit infolge der Leitungsfähigkeit des Mediums tretende molekulare Verschiebung der Elektricitäten bedeutet, so mu und damit D um so größer sein, je größer die Leitungsfähigkeit k Mediums ist; wenn dagegen eine von der Leitung des Isolators uhängige dielektrische Polarisation vorhanden ist, so darf sich eine artige Beziehung zwischen a_0 und k nicht zeigen.

Es sei gleich hier bemerkt, dass wir den Gang der Influenz gar derselben Weise beobachten können, vorausgesetzt, dass keine Strömu vorhanden sind, wenn wir die Bodenplatte p aus einer zur Erde a leiteten Metallplatte herstellen, also das Dielektricum zwischen zwei tallplatten bringen. Wie wir im vorigen Paragraphen bei Ableitung Helmholtzschen Satzes über die Anziehung elektrischer Massen in ei dielektrischen Medium, dessen Elektrisierungskonstante a ist, zeigten die Potentialfunktion im Innern eines zwischen zwei Metallplatten liege

Mediums im Abstande x von der obern Platte, wenn die untere zur Erde abgeleitet ist

 $v = 4\pi h (1-a) (\delta - x),$

somit

$$-\frac{dV}{dx} = 4\pi h(1-a) \dots (2)$$

Bei gleichem Werte von a ist somit in diesem Falle die treibende Kraft doppelt so groß als in dem vorhin betrachteten Falle, im übrigen führt dieser Ausdruck zu einer Gleichung genau der gleichen Form, welche sich von der vorher abgeleiteten nur dadurch unterscheidet, daß der Wert

von c doppelt so groß ist.

Ist die Annahme richtig, dass in den Isolatoren eine Leitung der Elektricität ähnlich wie bei den Leitern stattfindet, so müssen demnach die aus den Beobachtungen sich ergebenden Werte von a einer geometrischen Reihe angehören, wenn die Zeiten um gleiche Größen wachsen. Wir haben deshalb zunächst zu untersuchen, wie die Größe a für jede Zeit aus unsern Beobachtungen abzuleiten ist. Wir beobachten stets den Wert der Potentialfunktion in der Platte P. Wäre, wie wir schon vorhin angenommen haben, die Platte vollkommen isoliert, so das also während der ganzen Beobachtung die in ihr vorhandene Elektricität dieselbe wäre, so ergäbe sich a aus dem in jedem Momente t beobachteten Werte der Potentialfunktion v_1 in folgender Weise.

Schwebt die Platte fern von der Flüssigkeit und ist in derselben der

Wert der Potentialfunktion V, beobachtet, so ist

$$V_1 = 2\pi h R,$$

wenn wie immer h die Dichtigkeit der Elektricität in der Platte ist. Wird die Platte bis zum Abstande δ über der Flüssigkeit herabgelassen, so geht der Wert der Potentialfunktion über in

$$\begin{split} v_1 &= 2\pi hR - 2\pi ah \left(1 - \frac{\delta}{R}\right)(R - \delta) \\ v_1 &= 2\pi hR \left(1 - a\right) + 4\pi ah\delta. \end{split}$$

Über der leitenden Flüssigkeit wird derselbe, da in dieser a = 1 ist,

$$v,' = 4\pi h \delta;$$

somit ist

$$v_1 - v_1' = 2\pi h R (1 - a) - 4\pi h \delta (1 - a)$$

oder da

$$\begin{array}{ll} 2\pi hR = V_{1}, & 4\pi h\delta = v_{1}^{'} \\ v_{1} - v_{1}^{'} = (V_{1} - v_{1}^{'}) \left(1 - a\right) \\ 1 - a = \frac{v_{1} - v_{1}^{'}}{V_{1} - v_{1}^{'}} \quad . \quad . \quad (II) \end{array}$$

Die Werte v_1 und v_1 sind es aber nicht, welche wir direkt beobachten, da die Platte P stets mit dem Elektrometer verbunden ist. Demuch sind Platte und Elektrometer, wenn die Platte entfernt von der Flüssigkeit schwebt, bis zum Potentialniveau V_1 geladen. Wird die Platte über die Flüssigkeit bis zum Abstande δ herabgelassen, so sinkt in ihr

der Wert der Potentialfunktion, es fliefst deshalb aus dem Elektrometer Elektricität in die Platte hinüber. Daher sinkt der Wert der Potentialfunktion über der leitenden Flüssigkeit nicht zu dem Werte v_1 , sondern nur bis zu einem Werte V_1 . Wir können indes aus dem beobachteten Werte V_1 den Wert v_1 ableiten, wenn wir die Kapacitäten der Platte, wenn sie entfernt oder nahe über der Flässigkeit schwebt, kennen. Denn nennen wir die in der Platte vorhandene Elektricität q, welcher, wenn die Platte entfernt von der Flüssigkeit schwebt, der Potentialwert V_1 entspricht, und ist die Kapacität der Platte dann P, so ist

$$q = PV_1$$
.

Ist die Kapacität der im Abstande δ über der leitenden Flüssigkeit schwebenden Platte gleich P_1 , so würde bei konstanter Elektricitätsmenge die Potentialfunktion v_1 gegeben durch die Gleichung

somit ist

$$q = P_1 v_1',$$

$$v_1' = \frac{P}{P_1} V_1.$$

Ist die Kapacität der Platte über der nichtleitenden Flüssigkeit zur Zeit t gleich P_t , so würde wieder bei konstanter Elektricitätsmenge die Potentialfunktion v_1 gegeben sein durch

somit

$$v_1 = \frac{P}{P_t} V_1.$$

 $q = P_t v_t$

Diese Kapacitäten erhalten wir auf folgende Weise. Sei die Kapacität des Elektrometers mit der zur Platte führenden Leitung E, so ist die Elektricitätsmenge, welche das ganze System bei dem beobachteten Potentialwert V_1 enthält,

$$Q = (P + E) V_1 \dots (a)$$

Sinkt bei dem Niederlassen der Platte bis zum Abstande δ über der leitenden Flüssigkeit der Wert der Potentialfunktion bis zu dem Werte V_1 , so ist

$$Q = (P_1 + E) V_1'$$
 . . . (b)

Setzen wir den Quotienten $\frac{{V_1}'}{V_1} = A$, so liefern die beiden Gleichungen (a) und (b)

$$\frac{P}{P_1} = \frac{\frac{P}{E}A}{1 + \frac{P}{E} - A}.$$

Ist nach dem Niederlassen über die dielektrische Flüssigkeit der beobachtete Wert der Potentialfunktion gleich V_t , so ist

$$Q = (P_t + E)V_t \dots (e)$$

Diese und die Gleichung (a) liefern, wenn $\frac{V_t}{V_1} = B$ gesetzt wird,

$$\frac{P}{P_t} = \frac{\frac{P}{E}B}{1 + \frac{P}{E} - B}.$$

Es handelt sich demnach noch um Bestimmung des Quotienten $\frac{P}{E}$. Das geschieht durch folgenden Versuch; man ladet das Elektrometer mit der Leitung zur Platte, ehe letztere mit der Leitung verbunden ist. Ist die beobachtete Potentialfunktion V_0 , die im Elektrometer vorhandene Elektricitätsmenge Q, so ist

$$Q = E V_0$$
.

Man bringt, ohne die Leitung ableitend zu berühren, es ist zu dem Zwecke ein dünnes Schellackstäbehen an dieselbe angeschmolzen, die Leitung mit der Platte in Verbindung. Sinkt dadurch der Wert der Potentialfunktion auf v_0 , so ist

 $Q = (E + P) v_0,$

somit

$$1+\frac{P}{E}=\frac{V_0}{v_0}.$$

Hiermit sind alle Größen gegeben, um aus den zur Zeit t beobachteten Werten V_t und den Werten V_1 und V_1 die Werte, welche a zu den verschiedenen Zeiten annimmt, zu berechnen.

Setzen wir $1 + \frac{P}{E} = C$, so kann man leicht die Gleichung (II) für 1 - a auf die Form bringen

$$1-a=\frac{C-1}{1-A}\frac{B-A}{C-B}$$
.

Bei meinen Versuchen war

$$C = 1,51$$

und wie schon vorhin angegeben wurde A = 0.3912; mit diesen Werten wird

$$1 - a = 0.8377 \frac{B - A}{C - B} = 0.8377 \frac{B - 0.3912}{1.51 - B}.$$

In der nachfolgenden Tabelle sind die an einer Sorte Schwefelkohlenstoff gemachten Beobachtungen zusammengestellt; in der ersten Reihe stehen die Zeiten der Beobachtung in Minuten, als null gilt der Moment des Niederlassens der Platte; die zweite Reihe giebt die beobachteten B, die dritte die hieraus berechneten Werte 1-a, die vierte die nach der Gleichung (I) mit

$$\varepsilon = 1$$
, $1 - a_0 = 0.5007$, $b = 1.1074$

berechneten Werte von 1-a und die letzte Reihe die Unterschiede zwischen der dritten und vierten Reihe. Auf die folgenden beiden Reihen kommen wir am Schluß des Paragraphen zurück.

I	nfluenz	im	Schwe	felko	hle	nstoff.

Zeit	В	1 — a (beob.)	1 — a (ber.) I	Diff.	(1 — a) ber. II	Diff. II
1'	0,8095	0,5024	0,4522	+ 502	0,5024	+ 0 + 4
2	0,7680	0,4254	0,4084	+ 170	0,4250	+ 4
3	0,7365	0,3738	0,3688	+ 50	0,3746	_ 8
4	0,7081	0,3309	0,3315	- 6	0,3347	- 38
6	0,6576	0,2617	0,2716	99	0,2721	104
8	0,6196	0,2225	0,2215	+ 10	0,2216	+ 9
10	0,5846	0,1750	0,1806	— 56	0,1806	- 56
14	0,5272	0,1159	0,1201	- 42	0,1201	- 42
18	0,4854	0,0770	0,0798	— 28	0,0798	_ 28
22	0,4589	0,0539	0,0531	+ 8	0,0531	+ 8
26	0,4337	0,0331	0,0353	_ 22	0,0353	- 22
30	0,4217	0,0236	0,0235	+ 1	0,0235	+ 1
34	0,4158	0,0188	0,0156	+ 32	0,0156	+ 32
38	0,4099	0,0142	0,0104	+ 38	0,0104	+ 38

Mit Ausnahme der für die ersten zwei Minuten berechneten Werte 1-a ist die Übereinstimmung zwischen den nach unserer Gleichung rechneten Werten von 1-a und den beobachteten Werten eine rebefriedigende. Auf die Abweichung für die ersten Minuten komme nachher noch zurück; ich bemerke, daß sich diese bei allen Beobachtur reihen ergiebt, und daß ich früher dieselben einem Mangel der Beobatungsmethode zuschrieb, der sich nicht fortschaffen läßt. Bei der Ladgeht etwas Elektricität auf die Glasstäbchen, welche bei Abnahme Potentialfunktion infolge Niederlassens der Platte jedenfalls zum Teil die Platte zurückkehrt; infolgedessen muß die Potentialfunktion zu gwerden. Bei Berechnung der Reihe (1-a) ber. I sind deshalb nur Beobachtungen von der dritten Minute an benutzt. Die Reihe (1-ber. II) ist unter einer andern Voraussetzung berechnet, die nachher sprochen werden soll.

Für die Dielektricitätskonstante im Sinne des vorigen Paragrag folgt aus diesen Beobachtungen

$$D = \frac{1}{1 - a_0} = \frac{1}{0,5007} = 1,997.$$

Gordon erhielt, wie wir im vorigen Paragraphen sahen, D = 1, Quincke einmal 1,970, ein anderesmal 2,217.

Das Maß der Leitung im Dielektricum ist die Leitungsfähigkeit da wir setzen

$$\frac{2\pi k}{\varepsilon} = c \qquad c^c = b,$$

so folgt

$$k = \frac{\varepsilon \log b}{2\pi \log e}.$$

Mit den von ε und b gegebenen Werten wird k

$$k = 0.016228.$$

Der Schwefelkohlenstoff wird hiernach in der That nach etwa 50 Minuten ebenso stark influenziert wie ein Leiter, ich fand nach 46' schon den Wert 0,4053 für B, da das Flüssigkeitsniveau bei den letzten Beobachtungen etwas sank, nahm der Wert von B nicht weiter ab, die Gleichung ergäbe nach 50' den Wert 0,3929 für B.

Erheblich langsamer erfolgte die Influenz bei Petroleum und Terpentinöl, bei beiden erreichte die Influenz auch nicht ganz den Wert wie bei leitenden Flüssigkeiten, denn die Werte 1-a ließen sich nicht durch die Gleichung I darstellen. Für Petroleum muß gesetzt werden $\varepsilon=0,80$. Die beobachteten Werte von der dritten Minute an ließen sich dann recht gut nach Gleichung I darstellen mit den Konstanten

$$\varepsilon - a_0 = 0.2740$$
 $b = 1.0685$ $\varepsilon = 0.80$,

wie folgende Tabelle zeigt, welche neben den Beobachtungen unter $\varepsilon - a$ ber I die berechneten Werte von der dritten Minute an enthält:

T 43		-		
Influenz	ım	Pet	ro	eum.

-				-		
Zeit	В	s-a beob.	s — a ber. I	Diff. I	s-a ber. II	Diff. II
0' 20"	0,8627	0,4102	-	_	0,4052	+ 50
40"	0,8430	0,3674	-	-	0,3721	- 47
1'-	0,8316	0,3438	-	-	0,3443	- 5
2' -	0,8005	0,2834	-	-	0,2828	+ 6
3' -	0,7784	0,2432	0,2246	+ 186	0,2433	- 1
4' -	0,7624	0,2159	0,2103	+ 56	0,2159	+ 0
6' -	0,7411	0,1815	0,1842	- 27	0,1769	+ 46
8' -	0,7234	0,1543	0,1619	- 76	0,1546	- 3
10' -	0,7101	0,1306	0,1413	- 107	0,1344	- 38
14' -	0,6866	0,1017	0,1084	- 67	0,1028	-11
18' -	0,6718	0,0803	0,0831	- 28	0,0818	- 15
26' -	0,6457	0,0481	0,0490	- 9	0,0465	+ 16
44' -	0,6198	0,0163	0,0148	+ 15	0,0141	+ 22
56' —	0,6122	0,0063	0,0067	- 4	0,0063	+ 0

Sowohl nach der unter $\varepsilon - a$ ber. I aus obiger Gleichung dargestellten Berechnung, als nach der später zu besprechenden Gleichung, welche die Reihe $\varepsilon - a$ ber. II liefert, würde in 80 Minuten der Wert von B auf twa 0,6 heruntergehen und nicht merklich weiter sinken, ich fand in der 80. Minute 0,6007, es wurde der Versuch abgebrochen, weil schon in den letzten 10 Minuten die Abnahme kaum mehr merklich war.

Es ergiebt sich

$$D = \frac{1}{1 - a_0} = \frac{1}{0,4740} = 2,110,$$

während Hopkinson 2,10 und Silow 2,071 und 2,037 gefunden hatten. Par die Leitungsfähigkeit ergiebt sich

$$k = 0.008537.$$

Wahrend also k nur ungeführ halb so groß ist als bei Schwefelkohlen-

stoff, ist die Dielektricitätskonstante größer bei Petroleum als bei Schwefelkohlenstoff.

Gleiches fand sich für ein bei meinen Versuchen mit Nr. IV bezeichnetes Terpentinöl, es war

$$\varepsilon = 0.92$$
 $\varepsilon - a_0 = 0.3624$ $b = 1.0606$.

Darnach wird

$$D = 2,26$$
 $k = 0.0089276$

somit auch hier der Wert von D erheblich größer als für Schwefelkohlenstoff, während k fast denselben Wert hat wie bei Petroleum. Hopkinson erhielt für Terpentinöl 2,23, Silow 2,158 und 2,221, Quincke 1,940-2,282.

Mit den festen Isolatoren sind die Beobachtungen in der Weise angestellt1), dass auf den Glasring r Fig. 72 zunächst eine zur Erde sbgeleitete Metallplatte und auf diese eine Platte des Dielektricums von gleicher Größe gelegt wurde. Die geladene Platte P wurde darauf ebenfalls bis auf eine geringe Entfernung über der dielektrischen Platte hendgelassen und ebenfalls der Gang der Potentialfunktion am Elektrometer verfolgt. Wie vorhin abgeleitet wurde, ist die Theorie der Versuche die selbe wie die der soeben beschriebenen, nur muss der Wert der vorhin schon eingeführten Konstanten c der doppelte sein bei gleicher Leitungfähigkeit²). Es wird

$$c = 4\pi k (1 + \mu).$$

Es wird überflüssig sein, die Beobachtungen so detailliert anzugeben, wie vorhin; ich begnüge mich damit für eine einzige Substanz, nämlich für Ebonit die beobachteten und die nach Gleichung I berechneten Werte von 1 -- a mitzuteilen. Die Konstanten der Gleichung sind

$$\varepsilon = 0.9584$$
 $a_0 = 0.6141$ $b = 1.0151$.

Die unter 1 - a ber. II angegebenen Werte besprechen wir nachher.

Influenz im Ebonit.

Zeit	1 — a beob.	1 — a ber. I	Diff. I	1 - a ber. II	Diff. U
	0,4080	0,3802	+ 278	0,4082	_ 2
2'	0,3908	0,3753	+ 155	0,3905	+ 3
3′	0,3787	0,3703	+ 84	0,3785	+ 2
4'	0,3697	0,3654	+ 43	0,3699	_ 2
6′	0,3544	0,3559	— 15	0,3572	— 28
8′	0,3359	0,3466	- 107	0,3469	— 110
12'	0,3248	0,3229	+ 19	9,3229	+ 19
16'	0,3124	0,3122	+ 2	0,3122	+ 2
20′	0,2961	0,2965	- 4	0,2965	- 4
24'	0,2754	0,2817	— 63	0,2817	— 63
32'	0,2626	0,2547	+ 79	0,2547	+ 79

¹⁾ Wüllner, Sitzungsberichte der Münchner Akademie Jahrgang 1877. Wiede

mann, Annalen Bd. I.
2) Hieraus folgt, was vorhin schon ausgesprochen wurde, daß bei des
Versuchen mit Flüssigkeiten auf leitender Bodenplatte der rapide Verlauf der

Ibrigen sollen nur die aus den Versuchen sich ergebenden Werte von s den Grenzwerten, bis zu denen der Elektrisierungskoefficient a anst, von $D = \frac{1}{1-a_0}$, sowie von k, letzteres zur bequemern Übermit 10^4 multipliziert, zusammengestellt werden.

Substanzen	ε	D	k 104
Paraffin	0,800	1,96	5,0
Schwefelkohlenstoff	1,000	1,997	162,28
Petroleum	0,80	2,110	85,37
Terpentinöl	0,92	2,260	89,27
Ebonit	0,258	2,56	11,40
Schwefel	1,00	3,04	19,30
Schellack II	1,00	2,95	1,90
Schellack I	1,00	3,73	7,50
Glas	1,00	6,10	128,70

Substanzen sind geordnet nach steigenden Werten von D; die vierte mne zeigt deutlich, daß irgend welcher Zusammenhang zwischen den ten von D und der Leitungsfähigkeit nicht existiert, daß mit Ausne des Glases die Leitungsfähigkeiten der festen Isolatoren ganz erhebkleiner sind, als diejenige der Flüssigkeiten, daß aber die Dielekätskonstanten der festen Körper fast sämtlich erheblich größer sind liejenige der Flüssigkeiten. Es folgt somit, daß wir in der That von der Leitung des Dielektricums durchaus unabhängige dielektrische risation annehmen müssen.

Die obigen Versuche und neuere Versuche, welche zu Ende zu führen leider noch die Zeit mangelte, scheinen mir den Beweis zu liefern, dass sogar zweierlei Leitungsfähigkeiten annehmen müssen, dass neben der ing des Dielektricums in der ersten Zeit noch eine von dieser unabige Zunahme der dielektrischen Polarisation, eine wahre dielektrische wirkung vorhanden ist. Ich erwähnte, das bei allen Versuchen sich für die ersten Minuten beobachteten Werte von B und damit von a gegenüber den berechneten zu groß zeigen, woraus auch für die n Minuten ein erheblich rascheres Abnehmen von 1 - a oder ε - a gt als in der spätern Zeit. Ich habe das früher damit erklärt und Erklärung oben angeführt, dass von den Glasstäbehen, an welchen Platte P hängt, etwas Elektricität auf die Platte zurückkehrt. esse indes jetzt, besonders weil auch bei den Flüssigkeiten, bei denen igs die Potentialfunktion sehr wenig abnimmt, sich die gleiche Abhung zeigt, dass dieser Fehler nur von sehr geringem Einflus ist, die Zahlen vielmehr darauf hinweisen, dass neben der Leitung des tors noch eine in den ersten Minuten schon beendigte dielektrische wirkung den Gang der Potentialfunktion beeinflusst.

An Stelle der Gleichung (1) tritt dann eine andere von der Form

nz wesentlich auf Strömungen zurückzuführen ist, sonst hätte sich der Gang ifluenz sehr wohl beobachten lassen müssen. Dafür spricht gleichfalls, daß etroleum und Terpentinöl die Versuche auf Werte s < 1 führen, während itender Bodenplatte stets a bis zum Wert 1 zunahm.

i

$$\varepsilon - a = Ab^{-t} + Bd^{-t} \dots (II),$$

worin b dieselbe Bedeutung hat wie früher und d die dielektrische Nachwirkung bedeuten würde; für die Zeit t = 0 würde

$$\varepsilon - a_0 = A + B,$$

und die mit dem so berechneten a_0 berechnete Dielektricitätskonstante D wäre die eigentliche Dielektricitätskonstante des betreffenden Mediums. In der That lassen sich die oben einzeln mitgeteilten Beobachtungen vom ersten beobachteten Werte an ganz vortrefflich durch solche Gleichungen darstellen, wie die unter 1-a resp. $\varepsilon-a$ ber. II angegebenen Werte zeigen. Dieselben sind für Schwefelkohlenstoff berechnet nach der Gleichung (II) mit den Konstanten

$$\varepsilon = 1$$
, $A = 0.5007$, $b = 1.1074$, $B = 0.1506$, $d = 3.000$. Hiernach würde

$$1 - a_0 = 0.6513, \quad D = 1.535,$$

die wahre Dielektricitätskonstante würde also erheblich kleiner.

Für Petroleum werden die Konstanten

$$\varepsilon = 0.80$$
, $A = 0.2600$, $b = 1.0685$, $B = 0.1845$, $d = 1.8293$
Es wird

$$1 - a_0 = 0.6445, \quad D = 1.552.$$

Für Ebonit schliefslich werden die Konstanten

 $\varepsilon = 0.9584$, A = 0.3443, b = 1.0151, B = 0.0516, d = 1.8452, woraus folgt

$$1 - a_0 = 0.4375, \quad D = 2.286.$$

So liefern die Versuche einen noch deutlichern Beweis, daß wir eine dielektrische Polarisation unabhängig von jeder Leitung annehmen mussen, denn trotz des sehr viel raschern Verlaufs der dielektrischen Nachwirkung in Schwefelkohlenstoff ist der Wert von *D* für denselben am kleinsten.

Mechanische und optische Erscheinungen bei der Influens auf Dielektrica. Nachdem schon früher einzelne Beobachtungen derart gemacht waren 1), hat zunächst Duter 2) gezeigt, dass eine mit Wasser gestillte Glaskugel, wenn man sie mit einer leitenden Oberstäche versieht und die selbe dann elektrisiert, ihr Volumen vergrößert. Wurde ein Thermometer mit großer Kugel und engem kapillaren Rohr bis zu einer gewissen Höbe mit Wasser gestillt, in ein zur Erde abgeleitetes, ebenfalls mit Wasser gestilltes Gestäß gesenkt und dann das innere Wasser elektrisiert, so trat ein Sinken des Wassers in dem Thermometer ein. War die Thermometerkugel in ein rings geschlossenes, mit Wasser gestilltes Gestäß gehängt, aus welchem ein Kapillarrohr hervorragte, bis in welches das Wasser des

2) Duter, Comptes Rendus Bd. LXXXVII p. 828, 960, 1086.

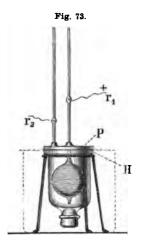
¹⁾ Man sehe die frühere Litteratur in der S. 335 unter 1) angeführten Abhandlung von Quincke.

efässes reichte, so zeigte das Ansteigen des Wassers in dem Kapillarrohr, is sich auch das äußere Volumen der Thermometerkugel vergrößerte. Las Wasser stieg in dem Kapillarrohr, welches mit dem äußern Wasser a Verbindung stand, ebensoviel, als es in dem Thermometerrohr sank, ein Beweis, daß die Erscheinung einfach in einer Ausdehnung der Kugelschale ihren Grund hat.

Die Ausdehnung der Glaskugel ist nach Duter dem Quadrate der Potentialfunktion auf der geladenen Fläche der Hohlkugel proportional, sie nimmt ab, wenn die Dicke der Glaswand wächst.

Sehr ausführlich ist diese Ausdehnung später von Quincke untersucht worden¹). Die Anordnung, welche Quincke dem Apparate gab, um gleichzeitig die innere und äußere Volumvergrößerung der Kugel zu messen, zeigt Fig. 73. Auf eine in einem Dreifuß hängende, unten mit einem

eingekitteten Glaspfropfen verschlossene Glasglocke wurde eine doppelt durchbohrte Glasplatte luftdicht aufgekittet. In die centrale Durchbohrung war ein Thermometer eingekittet, dessen Kugel einen Durchmesser von 62,2 mm hatte, während das Kaliber der Glasröhre sehr enge war. Die Wandstärke der Kugel war 0,286 mm. In die zweite Durchbohrung war ein sehr enges kapillares Rohr eingekittet. Die Glocke und das Thermometer waren mit luftfreiem destillierten Wasser gefüllt, so dass das Wasser in den Röhren böher als bis zu den Einschmelzstellen der Drähte r_1 and r_2 reichte. Die Glasglocke mit ihrem Dreifusse stand in einem größeren, mit schmelzendem Schnee gefüllten Metallgefäß, um so die Temperatur des Apparates genau konstant zu Wurde der Draht r_1 mit einer Elektricitätsquelle von konstantem Potentialniveau,



der inneren Belegung einer geladenen Batterie von Leydener Flaschen in Verbindung gesetzt, der Draht r_2 mit der Erde, so bildete die innere Wasserkugel eine leitende Kugel, welche durch die gläserne Kugelschale ion der leitenden Hohlkugel des äußern Wassers getrennt war. Wasser und Glas bilden somit einen kugelförmigen Kondensator, dessen innere eitende Fläche bis zu einem gewissen Potentialniveau geladen ist, während die äußere Fläche mit der Erde in leitender Verbindung stand. Sofort wenn in dieser Weise eine Ladung des Kondensators eintrat, sank die Flüssigkeit in dem Thermometer und stieg gleichviel in dem seitlichen Kapillarrohr, so daß das schon von Duter erhaltene Resultat bestätigt wurde, daß durch die Elektrisierung eine Ausdehnung der Kugel eintrat.

Zur genauern Untersuchung, von welchen Umständen diese Volumanderung abhängig war, wurde das wie in Fig. 73 eingerichtete Thermometer direkt in schmelzenden Schnee getaucht.

Quincke zeigte zunächst, dass die Volumänderung der Kugel die gleiche war, ob man das Wasser im Innern derselben positiv oder negativ

¹⁾ Quincke, Wiedem. Ann. Bd. X.

elektrisierte, und weiter dass dieselbe unabhängig ist von der Natur der die Kugel erfüllenden Flüssigkeit, vorausgesetzt nur, dass die Flüssigkeit die Elektricität leitet, somit eine Ladung der innern und äußern Flüche der Glaskugel eintritt. Um diese Unabhängigkeit der Ausdehnung von der Flüssigkeit zu erkennen, muß man aber dafür sorgen, dass die Flüssigkeit in der Glasröhre immer dieselbe ist, da die Bewegung derselben in der Glasröhre durch die Reibung bedingt ist. Als Quincke die Kugel und Röhre einmal mit Wasser, das anderemal mit Quecksilber füllte, sand er bei einer gewissen, in beiden Fällen gleichen Ladung die Volumvergrößerung der Kugel mit Wasser in Millionteilen des ursprünglichen Volumens gleich 5,68, mit Quecksilber nur 3,41. Als er aber nur die Kugel mit Quecksilber füllte und auf dieses Wasser brachte, so daß die Volumänderung durch Verschiebung des Wasserfadens angegeben wurde, sand sich unter sonst gleichen Umständen die Volumveränderung gleich der jenigen, welche eintrat, wenn die Kugel mit Wasser gefüllt war.

Die Resultate Duters hat Quincke im großen und ganzen bestätigt, auch er schließt aus seinen Versuchen, daß die Volumänderung bei gleichem Werte der Potentialfunktion dem Quadrate der Wanddicke umgekehrt, bei gleicher Wanddicke dem Quadrate der Potentialfunktion der geladenen Kugel direkt proportional sei. Im übrigen ist sie für verschiedene Glassorten verschieden. Zu dem gleichen Resultat gelangen auch Korteweg und Julius¹), welche außerdem bei der Vergleichung der Volumänderung von Kautschuk und Glas zu dem Satze gelangen, daß die Ausdehnungen dem Elasticitätskoefficienten des Materials umgekehrt proportional sind, aus welchem die Kugel hergestellt ist. Bei der Schwierigkeit, die Wanddicken genau zu messen und die Kugeln bis zu genau gemessenen Potentialniveaus zu laden, lassen sich die erwähnten Gesetzmäßigkeiten nur angenähert erkennen, um so mehr da die Volumänderungen nur klein sind.

Righi²) und Quincke³) haben auch die Verlängerung gemessen, welche eine auf der innern und äußern Seite mit einer leitenden Belegung versehene hohle Glasröhre durch Elektrisierung erfährt; Quincke schließt aus seinen Versuchen, daß die Verlängerung denselben Gesetzen folgt wie die Volumänderung, Righi gelangt zu dem Resultate, daß die Verlängerung nicht dem Quadrate der Wanddicke, sondern der Dicke selbst umgekehrt proportional sei.

Quincke glaubt aus seinen Versuchen den Schluss ziehen zu müssen, dass eine besondere elektrische Ausdehnung existieren müsse, indes haben schon Röntgen⁴) und Korteweg⁵) darauf hingewiesen, dass sich die ganze Erscheinung im wesentlichen durch den von den Belegungen her auf das isolierende Zwischenmittel ausgeübten Druck erklären läst, welcher dadurch entsteht, dass die beiden Belegungen entgegengesetzt elektrisch sind.

Wir haben im §. 49 gezeigt, daß zwischen zwei Platten, zwischen denen ein isolierendes Zwischenmittel sich befindet, dessen Dielektricitätskonstante D ist, welche die Größe S haben, den Abstand δ , und von

Korteweg und Julius, Wiedem. Ann. Bd. XII.
 Righi, Comptes Rendus Bd. LXXXVIII p. 1262.

³⁾ Quincke, Wiedem, Ann. Bd. X. 4) Röntgen, Wiedem, Ann. Bd. XI. 5) Korteweg, Wiedem, Ann. Bd. IX.

Г

denen die eine bis zum Werte V der Potentialfunktion geladen ist, eine Anziehung vorhanden ist, welche gegeben ist durch

$$A = D \frac{S}{8\pi} \cdot \frac{V^2}{\delta^2}.$$

Genau den gleichen Ausdruck leitet man auch ohne Mühe für die Anziehung der beiden kugelförmigen Belegungen ab, wenn etwa die innere Fläche bis zum Potentialniveau V geladen, δ die Dicke der isolierenden Kugelfläche und S die Oberfläche der innern Kugelfläche ist. Für den auf die Flächeneinheit der inneren Fläche wirkenden Druck ergiebt sich hieraus

$$P_i = \frac{A}{S} = \frac{DV^2}{8\pi\delta^2}.$$

Der auf die Flächeneinheit der äußern Kugelfläche wirkende Druck P_a ist kleiner. Denn die Gesamtfläche erhält genau denselben Druck wie die innere Fläche, der Druck für die Flächeneinheit muß demnach in demselben Verhältnisse kleiner sein als die äußere Fläche größer ist wie die innere, oder

$$P_a:P_i = R_i^2:R_a^2,$$

wenn wir den innern Radius R_i , den äußern R_a nennen; da $R_a = R_i + \delta$, wird

$$P_a = P_i \frac{R_i^2}{\left(R_i + \delta\right)^2} = P_i \left(1 - 2 \frac{\delta}{R_i}\right),$$

wenn wir die höhern Potenzen von $\frac{\delta}{R}$ vernachlässigen.

Im §. 50 des ersten Bandes haben wir gezeigt¹), dass die Volumverminderung einer Hohlkugel, wenn auf der Außenfläche und Innenfläche Drucke wirken, gegeben ist durch

$$\frac{\Delta v}{r} = 3\varphi_0,$$

Wenn

$$\varphi_0 = c + \frac{b}{R_i}$$

und

$$c = \frac{1}{3K+k} \cdot \frac{P_a R_a^3 - P_i R_i^3}{R_a^3 - R_i^3} \qquad b = \frac{1}{2k} \frac{R_i^3 R_a^3 (P_a - P_i)}{R_a^3 - R_i^3}.$$

Die Konstanten K und k sind mit dem Elasticitätskoefficienten E und dem Vaerkontraktionskoefficienten μ derart gegeben, dass

$$K = E \frac{\mu}{(1-2\mu)(1+\mu)}$$
 $k = \frac{E}{1+\mu}$

Setzen wir in diese Ausdrücke

$$P_a = P_i \left(1 - 2 \frac{\delta}{R_i}\right)$$
 $R_a = R_i \left(1 + \frac{\delta}{R_i}\right)$

80 erhält man leicht zunächst

¹⁾ Man sehe Bd. I. S. 211. WOLLERS, Physik. IV. 4. Anfl.

$$c = \frac{1}{3} \frac{1}{3K + k} P_i,$$

und ebenso

$$b = -\frac{1}{2k} \frac{2}{3} R_i^3 P_i$$

somit

$$\varphi_0 = \frac{1}{3} \left\{ \frac{1}{3K+k} - \frac{1}{k} \right\} P_i,$$

und

$$\frac{\Delta v}{v} = 3\varphi_0 = \left(\frac{1}{3K+k} - \frac{1}{k}\right)P_i.$$

Drücken wir K und k durch die beiden Elasticitätskonstanten μ und Kaus, so wird

$$\frac{\Delta v}{v} = -3 \, \frac{\mu}{E} \, P_i = -3 \, \frac{\mu}{E} \, \frac{DV^2}{8 \pi \, \delta^2}.$$

Das negative Vorzeichen auf der rechten Seite bedeutet, da $\frac{2v}{n}$ die Volumverminderung des innern Volumens giebt, dass eine Volumvermehr rung eintritt, welche dem Querkontraktionskoefficienten des Materials, der Dielektricitätskonstanten und dem Quadrate der Potentialfunktion direkt, dem Elasticitätskoefficienten des Materials und dem Quadrate der Diche der Wandschicht umgekehrt proportional ist.

Die Änderung des von der äußern Kugelfläche umschlossenen Volumens ist

$$\frac{Jv}{v} = 3\left(c + \frac{b}{R_o^3}\right);$$

man sieht, dieselbe muss bis auf eine Größe, welche sich der Beobachtung entzieht, der Volumänderung der innern Hohlkugel gleich sein.

Hiernach sind die beobachteten Volumänderungen keine besondere elektrische Erscheinung, sondern nur Folge der durch die Elektrisierung eintretenden Drucke auf die Oberfläche der Isolatoren¹).

Quincke²) glaubte auch in Flüssigkeiten eine besondere mechanische Wirkung zu finden, welche bei einigen eine Ausdehnung, bei anderen eine Kontraktion bewirke. Röntgen³) hat dagegen auch bei den Flüssigkeiten, bei denen Quincke eine Kontraktion fand, eine Ausdehnung beobachtet, und allgemein diese scheinbare elektrische Wirkung durch eine infolge des Durchganges der Elektricität durch die Flüssigkeit eintretende Erwärmung erklärt. Es bedarf weiterer Versuche um zu konstatieren, ob in der That bei einigen Flüssigkeiten eine durch anderweitige Um-

¹⁾ Die Gründe, welche Quincke gegen diese Auffassung daraus ableits dass die beobachtete lineare Ausdehnung gleich ½ der kubischen, das also $\frac{Jv}{v} = 3 \frac{Jl}{l}$ ist, beruhen auf einem Missverständnis; bei der oben besprochenen Verlängerung wurde die Querdilatation gemessen; bei andern Versuchen maß Quincke die Verlängerung nach der einen Dimension, welche bei der kubischen Ausdehnung eintrat; daß diese ¼ der beobachteten kubischen sein muß, ist selbstverständlich.

2) Quincke, Wiedem. Ann. Bd. X S. 521 ff.

3) Röntgen, Wiedem. Ann. Bd. XI.

stände nicht bedingte Kontraktion eintritt, ehe man eine besondere elektrische Einwirkung auf das Volumen der Flüssigkeit annehmen muß.

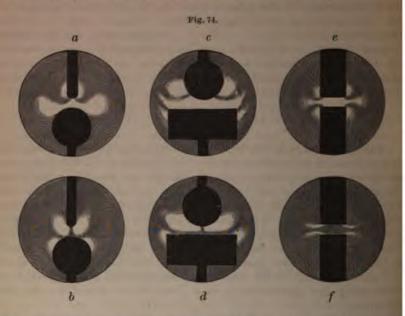
Durch die infolge der Elektrisierung der Oberflächen durchsichtiger Küper eintretenden Drucke können dieselben doppelbrechend werden; der erste, dem es gelang, diese Doppelbrechung in festen sowohl wie in flüssigen Körpern nachzuweisen, war Kerr¹). Die Bedingung, daß die Doppelbrechung auftritt, ist diejenige, dass die elektrischen Drucke im Gesichtsfeld nicht überall dieselben sind. Deshalb zeigt ein Glasstreifen, der auf seinen beiden Flächen gleichmäßig mit einer leitenden Schicht versehen ist, nach dem Elektrisieren der einen Fläche, wenn die andere zur Erde abgeleitet ist, keine Doppelbrechung, wenn man parallel der Richtung der Breite polarisiertes Licht hindurchgehen lässt. Die Doppelbrechung tritt dagegen sofort auf2), wenn man an Stelle der einen Belegung etwa auf die Mitte der obern Seite des Streifens eine Glasröhre in vertikaler Stellung mit den unten abgeschliffenen Rändern fest aufkittet, die Röhre dann mit Quecksilber füllt und durch dieses Elektricität auf die Platte leitet. Die Polarisationsrichtungen der beiden Strahlen sind die Richtung des elektrischen Druckes, also die Normalen der Niveauflächen und die dazu senkrechte Richtung. Lässt man nämlich Licht quer durch den Glasstreifen geben, dessen Polarisationsebene gegen die Kraftrichtung, also gegen die Normale der Grenzfläche des Glasstreifens um 45° geneigt ist, und stellt den analysierenden Nikol dazu senkrecht, so wird nach dem Elektrisieren das Gesichtsfeld hell, stellt man den polarisierenden Nikol parallel der Kraftrichtung den analysierenden dazu senkrecht, so bleibt das Gesichtsfeld dunkel.

Dafs die Erscheinung Folge der durch die elektrischen Drucke bewirkten Kompression ist, kann man durch Kompensation der Doppelbrechung mit einem gedehnten Glasstreifen zeigen. Kerr brachte in den Weg des Lichts, ebe es in den Analysator eintrat, einen Glasstreifen, so dass das Licht durch die Seitenflächen desselben hindurchging. Wurde der Glasstreifen dann schwach gebogen und die obere gedehnte Hälfte in den Weg des Lichtes gebracht, so konnte durch passende Biegung das Gesichtsfeld wieder dunkel gemacht werden; wurde dagegen die untere Hälfte, walche komprimiert ist, in den Weg des Lichtes gebracht, so nahm die Helligkeit des Gesichtsfeldes zu. Es folgt demnach, dass in dem gedehnten Glase die Phasendifferenz, welche die beiden Strahlen in dem elektrisierten Clase erhalten hatten, wieder aufgehoben wurde. Da in dem gedehnten Teile des Glasstreifens der Strahl, welcher parallel der zur konvexen Fläche hormalen Richtung polarisiert ist, der schnellere ist, so folgt, dass im elektrisierten Glase der zu der Kraftrichtung senkrecht polarisierte Strahl der schnellere ist. Dieses Verhalten bezeichnet Kerr als elektrooptisch negativ.

Um die Erscheinung in Flüssigkeiten zu sehen, nimmt man ein Gefäß mil zwei parallelen Glaswänden, etwa eine viereckige Flasche aus wohlbolierendem Glase, führt durch den Hals den einen Metalldraht ein und kittet in eine Durchbohrung des Bodens einen zweiten. Die Enden der

Kerr, Philos. Magazin 4. series vol. L p. 337 und 446. 5. series vol. VII.
 85 und 229; vol. IX p. 157; vol. XIII p. 153 und 248.
 Quincke, Wiedem. Ann. Bd. X S. 536.

Drähte kann man mit verschiedenen Ansätzen, Platten, Kugeln oder ihnlichem versehen. Die Figuren 74 u und b, c und d, e und f zeigen nach der Darstellung von Röntgen¹) die Erscheinungen in Schwefelkohlenstell



wenn die in der Figur erkennbaren Endigungen der Drähte genommen werden, a, c, e, wenn die Polarisationsebenen der Nikols mit der kürzesten Verbindungslinie der die Elektricität zuführenden Drähte, der Elektrode, Winkel von 45° bildeten, b, d, f, wenn die Polarisationsebene de einen Nikols mit der kürzesten Verbindungslinie parallel, die des andem dazu senkrecht war. Da in den Figuren b, d, f die kürzeste Verbindunglinie der Elektroden, welche dort notwendig mit der Normalen der Niveauflächen zusammenfällt, dunkel erscheint, erkennt man sofort, daß anch hier die Polarisationsebenen den Normalen der Niveauflächen parallel und zu denselben senkrecht sind.

Kerr hat eine große Zahl Flüssigkeiten auf ihr elektrooptisches Verhalten untersucht und gelangt zu dem merkwürdigen Resultat, daß eine Anzahl Flüssigkeiten elektrooptisch negativ, andere wie der Schwefelkohlenstoff elektrooptisch positiv sind, das heißt daß sie senkrecht zu den Normalen der Niveauflächen polarisierter Strahlen die langsameren sind

Diese Beobachtung von Kerr läßt es zweifelhaft erscheinen, oh man nicht für die Flüssigkeiten eine eigene, von der thermischen verschiedene elektrische Ausdehnung annehmen muß, wie Quincke will, welche für einige Flüssigkeiten auch eine Kontraktion sein kann. Denn man wird zunächst geneigt sein diese sämtlichen Erscheinungen auf Spannungen

Röntgen, Wiedem. Ann. Bd. X. Ähnliche Abbildungen giebt Brongersei Wiedem. Ann. Bd. XVI.

und Dichtigkeitsverschiedenheiten in den elektrisierten Körpern zurückmühren. Das entgegengesetzte Verhalten des Schwefelkohlenstoffes und
des Glases ist dann verständlich, da die thermische Ausdehnung des Glases
eine Vergrößerung der Brechungsexponenten, die des Schwefelkohlenstoffs
eine Verkleinerung derselben zur Folge hat. Gleiches gilt aber für alle
Plüssigkeiten, und so müßte man für dieselben qualitativ das gleiche
Verhalten erwarten, wenn nicht eben die Flüssigkeiten darin verschieden
sind, daß sie eine eigene elektrische Ausdehnung beziehungsweise Kontraktion besitzen. Es bedarf noch mannigfacher Untersuchungen, um diese
Erscheinungen aufzuklären.

8. 52.

Faraday-Maxwells Theorie der elektrischen Fernewirkung. Wir haben bereits im §. 48 erwähnt, dass Faraday die elektrische Anziehung und Abstofsung von einem, wir wollen der Kürze des Ausdrucks wegen jetzt stets annehmen positiv, geladenen Leiter auf einen andern nicht durch direkte Fernewirkung, sondern durch Vermittelung des Zwischenmittels zustande kommend ansah, indem in dem letztern die Polarisation von Schicht zu Schicht fortschreite, sei es in geraden, sei es in krummen Linien. Die in der an den zweiten Leiter angrenzenden letzten Schicht des Dielektricums durch diese Polarisation vorhandene elektrische Schicht ist es dann, welche auf den zweiten Leiter einwirkt, die negative Elektreität des Leiters gegen sich hinzieht, und damit auch die ganze Annehung des influenzierten Leiters bedingt. Die Linien, nach welchen die Influenz fortschreiten soll, sind die Linien, nach welchen sieh im elektrischen Felde, so wird der unter Wirkung der Elektricität stehende Raum genannt, ein elektrisierter Punkt unter Wirkung der Elektricität bewegt, es sind also in jedem Punkte die Normalen der Niveauflächen. Diese Linien nannte Faraday Kraftlinien. In der Richtung dieser Kraftlinien soll in einem isotropen, also nach allen Richtungen gleichartig beschaffenen Medium die Influenz von Schicht zu Schicht fortschreiten, bis die Polarisation den zweiten Leiter erreicht hat. In dem Dielektricum ist jede Molekulschicht an der einen Seite positiv, an der andern Seite negativ elektrisch; wegen der großen Nähe dieser entgegengesetzten elektrischen Flächen kann man deshalb im Dielektricum den elektrischen Zustand nicht wahrnehmen. Grenzt indes das Dielektricum an einen Leiter, wirkt die letzte Schicht elektromotorisch auf die Elektricität des Leiters, in welchem die Elektricität sich sofort verteilt, da im Leiter eine Polarisation nicht eintreten kann, weil die Elektricität sich in demselben ohne merklichen Widerstand bewegt. Die an dem zweiten Leiter anliegende letzte Schicht positiver Elektricität stößt die positive des Leiters ab, welche so lange abfließen muß, bis der Wert der Potentialfunktion an allen Stellen des Leiters derselbe geworden ist.

Während nach unserer bisherigen Auffassung die Kraftlinien nur eine mathematische Bedeutung haben, als die Richtungen der resultierenden Krafte, haben sie in Faradays Anschauung eine physikalische Bedeutung, in ihnen herrscht ein Zwangszustand, welcher parallel zu den Linien eine Spannung infolge der Anziehung der verschobenen Elektricitäten ist. Faraday

100

charakterisiert den Zustand im Art. 1298 seiner Experimentaluntersuchungen über Elektricität¹) folgendermaßen:

Die Influenz scheint in einem gewissen, durch den elektrisierten Körper in den einzelnen Partikeln des Dielektricums erzeugten und erhaltenen Zustande der Polarisation zu bestehen, der dadurch charakterisiert ist, daß die Partikel zwei entgegengesetzt elektrische, positive und negative Teile haben, welche gegen einander und gegen die induzierenden Flächen symmetrisch geordnet sind. Der Zustand, in den das Dielektricum dadurch gerät, ist ein Zwangszustand, denn er entsteht durch eine äußere Kraft besteht nur so lange die Kraft wirkt, verschwindet mit dem Aufhören deren Wirkung. Dieser Zustand wird aber nur in Isolatoren durch ein und dieselbe Elektricitätsmenge dauernd erhalten, denn nur bei ihnen bleiben die einzelnen Partikelchen in ihrer erzwungenen Lage, so lange die Elektricitätsmenge vorhanden ist.

An einer andern Stelle sagt Faraday²), die in der Richtung der Induktionslinien zwischen den Teilchen des dielektrischen Mediums wirkende Attraktion ist von einer seitlich wirkenden und eine Divergenz der Induktionslinie verursachenden abstoßenden Kraft begleitet.

W. Thomson³) und ganz besonders Maxwell⁴) haben die Faradaysche Auffassung weiter verfolgt, wodurch Maxwell schliefslich dahin gelangte,

die elektrischen Kräfte ganz in das Dielektricum zu verlegen.

Maxwell geht von der Faradayschen Auffassung aus und weist znächst nach, dass dieselbe in der That geeignet ist die elektrischen & scheinungen darzustellen. Indem er die mechanischen Kräfte zwischen zwei elektrischen Systemen untersucht, wie dieselben durch die Sätze der Potentialtheorie gegeben werden, gelangt er zu dem Resultate, daß sich diese Kräfte vollständig darstellen lassen, wenn man von einer Fernewirkung absieht und den Faradayschen Zwangszustand annimmt, demzufolge das zwischen den elektrischen Systemen vorhandene dielektrische Medium in jedem Punkte tangential zu der durch ihn hindurchgehenden Kraftlinie einen Zug proportional dem Quadrate der elektrischen Kraftintensität und senkrecht zu demselben einen dem Zuge gleichen Druck erleidet. Das dielektrische Medium kann dabei eine beliebige Substanz, auch der den Raum erfüllende Äther sein. Die elektrische Kraftintensität an einem Punkte des Raumes ist der Differentialquotient der Potentialfunktion für die betreffende Stelle des Raumes nach der Normalen der Niveaufläche. Die Spannung ist wie diejenige eines Seiles, wenn dasselbe an zwei Körpern befestigt ist, welche mittels desselben einen Zug auf einander ausüben, oder wie diejenige einer Stange, welche zwei Körper auseinanderhält, die gegen einander gedrückt werden.

Durch diesen Zwang entsteht nach Maxwell im Dielektricum die

2) Furaday a. a. O. art. 1224.

¹⁾ Furaday, Experimental researches on electricity 11 series art. 129 E Poggend. Ann. Bd. XLVI.

³⁾ Thomson, reprint of papers on electrostatics etc. London 1872.
4) Maxwell, Treatise on Electricity and Magnetism., 1. Aufl. London 1872.
2. Aufl. 1881. Deutsche Übersetzung von Weinstein, Berlin 1883. Die theoretischen Ansichten Maxwells sind kurz zusammengefalst am Schlusse der Einleitung und am Schlusse des 5. Kapitels.

dielektrische Polarisation, die selbst so lange andauert, als der Zwang andauert und mit demselben aufhört. Dieselbe ist eine durch die elektromotorische Kraft hervorgebrachte Verschiebung der Elektricität in den Teilchen des Dielektricums. Wirkt die elektromotorische Kraft in einem Leiter, so versetzt sie die Elektricität in Strömung; in einem Nichtleiter ist sie aber nicht imstande der Elektricität eine solche strömende Bewegung zu erteilen, sie verschiebt nur die Elektricität der einzelnen Teilchen in der Richtung ihrer Wirkung in dem Maße, wie es durch die Intensität der Kraft bedingt ist.

Die Größe der elektrischen Verschiebung wird durch die Elektricitätsmenge gemessen, welche durch eine Flächeneinheit vom Beginne der Verschiebung an hindurchgeht, und diese Menge ist auch das Maß für die

dielektrische Polarisation.

Maxwell weist bei dieser Gelegenheit darauf hin, daß die elektrische Verschiebung durch eine elektromotorische Kraft ihr Analogon finde in der Thatsache, daß eine mechanische Kraft eine elastische Verschiebung hervorbringe; daraus ist zu schließen, daß er sich den Zwangszustand im Innern des Dielektricums durch diese elektrische Verschiebung fortgepflanzt denkt. Denn dehnen wir etwa einen Stab, der an seinem obern Ende befestigt ist, durch einen an seinem untern Ende angebrachten Zug ans, so rücken die einzelnen Molekülschichten von einander, und die Folge dieser Verschiebung ist die zwischen zwei benachbarten Schichten auftretende elastische Spannung. Gerade so kann man sich denken wird dadurch, daß in dem Teilchen des Dielektricums die Elektricität aus ihrer Gleichgewichtslage durch die elektromotorische Kraft verschoben wird, ein Spannungszustand erregt, indem an jeder Stelle die Elektricität soweit verschoben wird, bis das Bestreben derselben, in die Gleichgewichtslage zurückzukehren, der elektromotorischen Kraft gleich ist. Maxwell nennt deshalb auch das Verhältnis der elektromotorischen Kraft zu der eintretenden Verschiebung den elektrischen Elasticitätskoefficienten, wie das Verhältnis des an einem Stabe vom Querschnitt eins angebrachten Zuges u der Verlängerung der Elasticitätskoefficient der Mechanik ist.

Die Größe der Verschiebung können wir für einen speciellen Fall leicht angeben. Wir denken uns eine Kugel vom Radius eins mit der Elektricitätsmenge e belegt. Die Kugel befinde sich in einem Medium, dessen Dielektricitätskonstante D ist. Befindet sich im Abstande r von der Kugel die Einheit der Elektricität, so ist nach dem von uns im §. 49 bewiesenen Helmholtzschen Satze die auf diese in der Richtung des Radius

wirkende, also die elektromotorische Kraft gleich

$$\frac{1}{D}\frac{e}{r^2}.$$

Da die elektrische Verschiebung dieser elektromotorischen Kraft proportional ist, so können wir, wenn C eine Konstante bedeutet, die durch die Flächeneinheit stattfindende Verschiebung setzen

$$\varepsilon = C \cdot \frac{1}{D} \, \frac{e}{r^2} \cdot$$

Die Verschiebung E durch die Oberfläche der ganzen Kugel vom Radius r ist somit

$$E = 4\pi r^2 C \frac{1}{D} \frac{e}{r^3} = 4\pi \frac{C}{D} \cdot e;$$

die gesamte verschobene Elektricität ist also unabhängig von dem Radiusder Kugel, es geht durch alle konzentrische Kugelschalen genau die

gleiche Menge.

Um die Konstante C zu bestimmen, suchen wir das Verhältnis der Elektricitätsmengen e und E. Wir gelangen dahin, indem wir die Zunahme der elektrischen Energie bestimmen, wenn auf der Kugel vom Radius eins die Elektricitätsmenge um de wächst. Diese ist nach § 9 und §. 39, wenn die Potentialfunktion auf der Kugel gleich V ist, gegeben durch Vôe. Nach Maxwell besteht nun diese Vermehrung der Energie überhaupt nur darin, dass durch die von der elektromotorischen Kraft bewirkte elektrische Verschiebung der Spannungszustand in dem Dielektricum vermehrt wird, indem die Elektricitätsmenge δE im Dielektricum verschoben und infolgedessen die elektrische Elasticität geweckt wird. Lässt die elektromotorische Kraft nach, so geht die Elektricität zurück, die Spannung wird in lebendige Kraft verwandelt, welche in der Regel als Erwärmung des Dielektricums hervortritt. Ist in zwei konzen trischen Kugeln auf der innern die Potentialfunktion V,, auf der äußern die Potentialfunktion V2, so ist nach §. 9 die durch Verschiebung der Elektricitätsmenge δE geleistete Arbeit, also gewonnene Energie gleich $(V_1 - V_2) \delta E$. Die Vermehrung der Ladung der Kugel um δe bedeutet nach Maxwell nichts anders als die Zunahme der Polarisation des Dielektricums, beziehungsweise Zunahme der verschobenen Elektricitätsmenge um & E. Was nach unserer Auffassung die Ladung eines Konduktors ist, das ist nämlich nach Maxwells Auffassung nichts anders als die durch Polarisation bedingte Ladung der an dem Konduktor anliegenden Fläche des Dielektricums. Nach der Faraday-Maxwellschen Auffassung ist die Herstellung eines elektrischen Zustandes nichts anders als die durch eine elektromotorische Kraft bewirkte Polarisation des Dielektricums. Wird also im Innern eines Dielektricums ein Teil durch eine geschlossene Fläche abgetrennt, so geht durch diese Fläche eine Verschiebung nach außen vor sich, wenn innerhalb derselben eine elektromotorische Kraft wirkt (wenn also etwa im Innern eine nach unserer Auffassung geladene Kugel wäre). Es muß demnach jedes Element der gedachten geschlossenen Fläche eine Ladung besitzen, deren Größe durch die durch dies Flächenelement in die Teile des Dielektricums, deren Oberflächen die gedachte Grenzfläche bilden, verschobene Elektricität gemessen wird.

Die Ladung ist positiv auf jener Seite der kleinsten Teilchen des Dielektricums, durch welche die Elektricität in dieselben eintritt, negativ auf jener, durch welche die Elektriciät aus denselben austritt. In einem aus zwei horizontalen Platten, welche durch ein Dielektricum getrennt sind, bestehenden Kondensator, dessen obere Platte nach unserer Auffassung positiv geladen ist, wird nach dieser Auffassung im Dielektricum eine Verschiebung der Elektricität gegen die untere Platte hin eintreten. Denken wir uns eine unendlich dünne, den Platten parallele Schicht des Dielektricums, so tritt durch die obere Fläche Elektricität in diese Schicht ein, durch die untere aus, die obere Fläche ist somit nach Maxwell positiv,

die untere negativ elektrisch.

Befindet sich diese unendlich dünne Schicht zwischen den Platten anz im Innern des Dielektricums, so hebt sich die Ladung der oberen Grenzfläche durch die untere Grenzfläche der unmittelbar darüber befindlichen Schicht, welche negativ ist, auf; die Ladung der untern Grenzfläche durch diejenige der obern Grenzfläche der darunter befindlichen Schicht, und so durch das ganze Dielektricum. Liegt dagegen eine solche Grenzfläche an einem Leiter, welcher nicht in den polarisierten Zustand versetzt werden kann, so wird in dieser Grenzfläche die Flächenladung nicht mehr neutralisiert, sondern sie bringt die scheinbare Ladung des Konduktors hervor.

Was wir also die Ladung des Leiters nennen, ist nach Maxwell das Zutagetreten der nicht neutralisierten Polarisation einer Grenzschicht des Dielektricums. Die Polarisation existiert zwar in dem ganzen Medium, aber ihre Wirkungen werden in dem Innern des Dielektricums durch die entgegengesetzte Ladung benachbarter Teile aufgehoben und treten nur da bervor, wo eben eine solche Neutralisierung nicht stattfinden kann, weil ein Leiter die Stetigkeit des Mediums unterbricht.

Hiernach ist also das, was wir Energie der Ladung nennen, nichts anderes als die im Dielektricum, das unsere Kugel umgiebt, durch die Verschiebung der Elektricitätsmenge δE bewirkte Energie. Befindet sich unsere Kugel in einem unendlich ausgedehnten Medium, so tritt die Verschiebung an der Oberfläche der Kugel selbst ein, wo das Potential $V_1 = V$ ist, und durch jede mit der Kugel konzentrische Kugelfläche tritt dieselbe Elektricitätsmenge δE bis zu der Kugel mit unendlich großem Radius, wo die Potentialfunktion $V_2 = 0$ ist. Die Verschiebung geschieht also von einem Orte, wo $V_1 = V$ bis zu einem Orte, wo $V_2 = 0$, somit ist die in Energie umgesetzte Arbeit $V\delta E$. Dieselbe ist gleich der Energievermehrung der Ladung, oder es ist

$$V\delta e = V\delta E,$$

somit ist auch

$$\delta e = \delta E; \quad E = e.$$

Die Ladung ist somit der Verschiebung E einfach gleich. Demnach ist

$$4\pi \frac{C}{D} = 1;$$
 $C = \frac{1}{4\pi} D.$

Setzen wir demnach an einem Punkte des Raumes die elektromotorische Kraft, welche wir vorher in der Auffassung, daß sie von der leitenden Kugel ausging, gleich $\frac{1}{D}\frac{e}{r^2}$ setzten, jetzt gleich R, so ist die durch die Einheit der Fläche der durch den Punkt gehenden Niveaufläche parallel der Richtung der Kraft stattfindende Verschiebung

$$\varepsilon = \frac{1}{4\pi} DR.$$

Man erkennt sofort, dass dieser Ausdruck unabhängig davon ist, ob die elektromotorische Kraft, wie wir annahmen, von einer Kugel ausgeht, dass er ebenso gilt für eine beliebige Form der Niveauslächen.

Durch eine besondere Betrachtung zeigt Maxwell, dass der von ihm angenommene Zwangszustand infolge der Verschiebung in Flüssigkeiten

bestehen kann, ohne die Gleichgewichtsbedingungen derselben zu and wir verweisen deshalb auf das Werk von Maxwell¹).

Der Spannungszustand in dem Dielektricum, also die Ladung ei Leiters nach unserer Auffassung bleibt nur konstant, wenn das Med vollständig isoliert. Ist das nicht der Fall, so lässt der Zwangszust stetig nach, der Zwang erlahmt und der in demselben aufgespeich Arbeitsvorrat geht in Molekularbewegung, in Wärme über. Wenn also die Abnahme der Potentialfunktion auf einer konstant geladenen Pk eines Kondensators der wachsenden Influenz im Dielektricum durch Leitung desselben zuschrieben, ist sie nach Maxwell der Abnahme Zwanges der Abnahme der Polarisation zuzuschreiben.

Es genüge, soweit die Maxwellschen Anschauungen dargelegt zu hal eine Erklärung, wie dieser Zwangszustand durch molekulare Kräfte zusta kommt, was also eigentlich der elektrische Zustand sei, giebt er nie er sagt, es sei ihm nicht gelungen, diese Erklärung zu finden. Ebene halb behält er auch insoweit die Sprache der früheren Auffassung als wenn die Elektricität ein Fluidum sei, das verschoben werden kö und das insoweit die Eigenschaften einer nicht zusammendrückbaren F sigkeit hat.

Die Maxwellsche Auffassung führt zu denselben Resultaten wie uns Auffassung, und muß es thun, da in dem einen wie in dem andern F die Potentialfunktion und das Potential es ist, welche zur Bestimm der elektrischen Kräfte und der durch dieselben geleisteten Arbeiten nutzt werden. Wir werden deshalb unsere bisherige Auffassung beibehal und eine elektrische Fernewirkung annehmen, es ganz unbestimmt lasse wodurch dieselbe zustande kommt. Bis jetzt noch können wir die el trischen Erscheinungen hiermit in einfacherer Weise beschreiben.

§. 53.

Die Elektrisiermaschine. Auf der im §. 44 besprochenen Wirkt der Spitzen beruht die Einrichtung eines der wichtigsten elektrisch Apparate, der Elektrisiermaschine, welche bei den meisten elektrisch Versuchen als Elektricitätsquelle dient.

Als Elektrisiermaschine bezeichnen wir mit Riess²) einen Appal welcher auf einem Leiter Elektricität ansammelt dadurch, dass ein in Nähe desselben geriebener Isolator von dem Leiter die Influenzelektrici der ersten Art fortschafft. Mechanische Vorrichtungen also, welche auf einem Isolator durch Reibung Elektricität erregen, welche sich a im wesentlichen nicht von der einfachsten Elektricitätsquelle, einem der Hand gehaltenen Isolator, welcher mit Wolle, Seide oder Pelz geriel wird, unterscheiden, rechnen wir nicht dazu.

Die erste wirkliche Elektrisiermaschine scheint, obwohl man sch lange mechanische Vorrichtungen zum Reiben eines Isolators hergest hatte, um die Mitte des vorigen Jahrhunderts von Wilson konstruiert sein 3). Seitdem hat dieselbe, ohne in ihren wesentlichen Bestandtei

¹⁾ Maxwell a. a. O. Artikel 110.

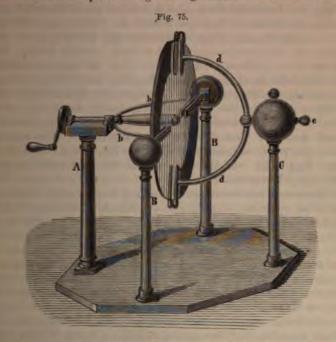
²⁾ Riess, Reibungselektricität. Bd. 1, §. 272.
3) Man sehe Gehlers physikal. Wörterbuch, neue Bearbeitung, Artikel K tricität, "Geschichte der Elektrisiermaschine".

tert zu sein, eine ganze Reihe von Veränderungen und Verbesserungen ren, und noch jetzt hat wohl jeder Verfertiger etwas Eigentümliches. essentlichen ist die jetzige Form der Elektrisiermaschinen jene, welche ran Marum gegeben hat. Wir wollen deshalb der Beschreibung eine Marumsche Maschine zu Grunde legen.

Die wesentlichen Teile einer Elektrisiermaschine sind erstens der gene Isolator, zweitens das Reibzeug und drittens der Konduktor, weldie Influenzelektricität der ersten Art entzogen und der dadurch

solcher der zweiten Art geladen wird.

Als geriebenen Isolator wendet man jetzt meistens Scheiben oder ider von Glas an. An der Fig. 75 abgebildeten Maschine ist die Scheibe



her Mitte an dem Ende einer Axe befestigt. Diese Axe wird von n nicht isolierenden Fusse A von Holz getragen. Die Axe besteht her der Scheibe nächsten Hälfte aus wohl gedörrtem und ebenso gut Glas isolierendem Holze; die andere Hälfte ist aus Stahl und ruht in langen, auf dem Fusse A befindlichen Pfanne. An dem andern Ende Axe befindet sich eine Kurbel, mit welcher man die Scheibe dreht, chen der Pfanne und der Kurbel ist an der Axe ein Bleigewicht begt, welches dazu dient, der Scheibe das Gleichgewicht zu halten. Die en Säulen BB tragen jede ein Reibzeug. Die Säulen sind aus Glas 0,6 m hoch und 8—9 cm dick. Sie stehen in Holzfüsen, welche derselben Bodenplatte befestigt sind, wie die übrigen Tragsäulen AC. Die Glassäulen tragen oben Holzfassungen und auf diesen hohle du von Messing. An diese Kugeln sind gabelförmige Federn von Messing schraubt, welche die Glasscheibe zwischen ihren Zinken haben. Die

Federn sind nahe an der Kugel von einem Stift durchbohrt, welcher as seinen Enden Schraubengewinde hat, so dass durch aufgeschraubte Kugela die Federn einander genähert werden können.

Jede der Federn trägt zwei Reibkissen, so dass die Glasscheibe auf beiden Seiten und auf jeder Seite von zwei Reibkissen gerieben wird. Das Reibkissen besteht aus einer Holzleiste, auf deren einer Seite mehrere Tuchstreisen über einander gelegt sind. Die Tuchstreisen sind mit einem weichen Leder bedeckt, welches sie ganz vollständig umgiebt und welches an dem Holz selbst befestigt ist.

Auf der anderen Seite trägt die Holzleiste einen Metallstreifen, an welchem ein Metallstift senkrecht zur Ebene der Leiste befestigt ist. Dieser Stift hat an seinem Ende eine Schraube; durch ihn wird das Reibkissen befestigt, indem er in einen Schlitz der Feder eingeschoben wird. Durch eine aufgeschraubte Kugel wird dann das Reibkissen an die Feder geklemmt.

Als das beste Reibzeug hat sich für Glas das Kienmaiersche Amalgam, ein Zink-Zinn-Amalgam bewährt; dasselbe liefert die meiste und der Art nach immer dieselbe, auf dem Glase positive Elektricität. Man bestreicht daher das Leder des Reibzeuges mit diesem Amalgam, indem man das Leder ein wenig einfettet, mit dem pulverförmigen Amalgam bestreut und dann vor dem Einsetzen die Kissen mit den zugewandten Reibflächen ein wenig an einander reibt. Als Fett wendet man am besten, nach einer Mitteilung von Quincke, welche ich sehr bewährt gefunden habe, ein wenig Knochenöl an.

Die Reibzeuge werden schliefslich durch Anziehen der Federn geget die Glasscheibe gedrückt, so dass sich die Scheibe mit einiger, aber nicht zu starker Reibung zwischen ihnen bewegt. Die Reibzeuge müssen mit der Erde in leitende Verbindung gesetzt werden. Denn wie wir bereits §. 30 erwähnten, werden bei der Reibung immer beide Elektricitäten erzeugt die Scheibe wird bei der Reibung positiv elektrisch, und das Reibzeug erhält ebensoviel negative Elektricität. Würde nun das Reibzeug nicht von dieser Elektricität befreit, so wurde bald ein Zeitpunkt eintreten, wo die Scheibe durch Reibung nicht ferner mehr erregt würde, nämlich dann, went die Elektricität auf dem Reibzeuge so dicht geworden wäre, dass die Anziehungkraft derselben und der auf der Scheibe erregten positiven Elektricität so stark wäre, dass sich eine ebensolche Elektricitätsmenge wieder vereinigte, als in derselben Zeit durch Reibung getrennt würde. Entzieht man aber dem Reibzeuge sofort die auf ihm erregte Elektricität, so bleibt es immer wirksam. Zu diesem Zwecke dient der Metallbogen b, welcher an der stählernen Axe der Scheibe drehbar befestigt ist, indem er die Axe röhrenförmig umgiebt. Die Enden des Bogens an den Reibzeugen tragen messingene hohle Halbeylinder, welche dicht an den Federn der Reibzeuge anliegen, die hohle Seite mit ihren Schärfen den Federn w gekehrt. Um die Ableitung ganz vollkommen zu machen, wird noch von dem Zapfenlager A eine Metallkette auf den Boden herabgehängt.

Die Säule C trägt als Konduktor eine Kugel von hohlem Messingblech von etwa 20 c Durchmesser. Dieselbe ist horizontal durchbohrt und trägt in dieser Durchbohrung eine Messingröhre, auf deren eines Ende eine Schraube eingeschnitten ist, welche die Kugel c trägt; an dem anders de der Röhre ist der Messingbogen d befestigt, dessen Enden fast um n Durchmesser der Scheibe auseinanderstehen und die Einsauger tragen. er Bogen ist mit der Röhre drehbar und kann in jeder Lage durch Aneben der Kugel c festgestellt werden. Soll er als Einsauger dienen, so

ird er, wie die Figur zeigt, vertikal gestellt. Die an den nden des Bogens befestigten Einsauger bestehen (Fig. 76) as hohlen messingenen Cylindern ee', welche zum größten leil zur Hälfte aufgeschnitten sind, so weit, wie die Scheibe wischen sie hineinreicht. Die scharfen Kanten der durchchnittenen Cylindermäntel sind der geriebenen Scheibe zugekehrt, und überdies sind in den Cylindern, in einer der lylinderaxe parallelen Linie eine Anzahl feiner Spitzen bestigt, welche genau bis in die Ebene der Schnittflächen wichen. Der Cylinder e' kann abgenommen werden, er ist



mit einer hohlen Röhre f einfach in eine Durchbohrung des Cylinders e migeschoben.

Es hat sich für die Wirkung der Maschine vorteilhaft gezeigt, wenn man den Raum zwischen dem Reibzeug und den Einsaugern mit einem isblierenden Stoffe bedeckt: man befestigt deshalb an den Reibzeugen Stücke on Wachstaft, welche, wie Fig. 75 zeigt, mit ihren über die Scheibe bevorragenden Rändern zusammengenäht sind und teils durch ihre Steifigieit, teils auf dem Rande der Scheibe ruhend dieselbe auf beiden Seiten zu den Einsaugern bedecken.

Das Spiel der Maschine ist offenbar folgendes: An der Stelle der Scheibe, welche das Reibzeug passiert, wird auf derselben positive Elekticität durch die Reibung erregt. Die Elektricität bleibt dort, bis diese telle den Einsaugern gegenübersteht; dieselbe erregt in dem Konduktor dektricität durch Influenz, die Kugel, als der entfernteste Teil, wird positiv, ie Einsauger werden negativ elektrisch; da die Einsauger mit scharfen anten und Spitzen versehen sind, so strömt dort die negative Elektricität us und neutralisiert die auf der Scheibe vorhandene positive Elektricität and zwar auf beiden Seiten, da die Einsauger beiden Seiten der Scheibe egenüberstehen. Die so unelektrisch gewordene Stelle bewegt sich zum olgenden Reibzeuge und wird dort wieder wie vorher elektrisiert.

Auf diese Weise wird der Konduktor nach einiger Zeit geladen, und war mit Influenzelektricität zweiter Art, also der Elektricität, welche mit der auf dem Glase vorhandenen gleichnamig ist. Würde die Elektricität zur nicht von dem Konduktor entfernt, so würde die Wirksamkeit der Maschine nach einiger Zeit aufhören. Ist nämlich die Dichtigkeit der Maschine nach einiger Zeit aufhören. Ist nämlich die Dichtigkeit der Maschine Elektricität auf demselben so groß geworden, daß die geringste Vermehrung derselben ein Ausströmen der positiven Elektricität aus den Spitzen zur Folge haben würde, wenn den Spitzen die Scheibe unelektisch gegenüberstände, so kann die Elektricität der Scheibe in den Spitzen die Dichtigkeit der Influenzelektricität der ersten Art nicht mehr so erfellen, daß ein Ausströmen derselben eintritt. Wenn dann aber von dem Konduktor durch Zerstreuung in die Luft Elektricität fortgenommen ind, so wird bei fortgesetzter Drehung der Scheibe diese stets wieder reetzt, bis die Dichtigkeit der Elektricität auf dem Konduktor der oben gegebenen gleich geworden ist. Bei fortgesetzter Drehung der Scheibe

ist also der Konduktor der Elektrisiermaschine eine stetige Quelle von positiver Elektricität.

Man kann aber den Konduktor auch zu einer stetigen Quelle von negativer Elektricität machen, indem man die beiden metallischen Bogen b und d verstellt. Stellt man den Bogen b vertikal, so nimmt derselbe, als mit der Erde in leitender Verbindung stehender Einsauger, von der der Kurbel zugewandten Scheibenseite die Elektricität fort; zieht man von dem Bogen d die Hälften e' der Einsauger ab und stellt ihn horisontal, so daß die Einsauger e die Federn der Reibkissen bertihren, so tritt die negative Elektricität der Reibkissen auf den Konduktor über. Wie man sieht, ist das Princip der Wirkung jetzt ein ganz anderes wie vorher, indem jetzt einfach von dem geriebenen leitenden Reibzeug die Elektricität auf den Konduktor abgeleitet wird; es wird also jetzt gewissermaßen ein Teil des Konduktors gerieben. Da in diesem Falle der geriebene Teil des Konduktors fest an der Glasscheibe anliegt, somit auch mit nichtelektrisiertem Glase in Berührung kommt, so ist die negative Elektricität auf dem Konduktor nie in so großer Menge zu erhalten als die positive.

Die Wirksamkeit der Maschine, d. h. die dem Konduktor mitgeteilte Elektricitätsmenge, hängt von der Güte und der Isolation der einzelnen Teile ab.

Die Glasscheibe muß von möglichst isolierendem Glase sein; frische Scheiben sind gemeiniglich viel schlechter als solche, welche schon längere Zeit gebraucht sind, da die frische Glasoberfläche viel hygroskopischer ist als die abgeriebene. Wenn durch längeren Gebrauch Amalgamteile auf dem Glase sich festgesetzt haben, so muß die Scheibe mit Schwefeläther und Alkohol rein abgewaschen und getrocknet werden. Da alles Glas hygroskopisch ist, so ist die Wirksamkeit der Maschine bei feuchtem Wetter meist geringer als bei trocknem; Abreiben mit warmen Tüchern und Bestreichen mit etwas Knochenöl verstärkt die Wirksamkeit auch bei dem feuchtesten Wetter sehr bedeutend.

Damit die Scheibe vollkommen isoliert sei, muss die Axe, auf welche sie aufgesetzt ist, möglichst gut isolieren; man überzieht deshalb die Oberfläche derselben mit dem gut isolierenden Bernsteinfirnis.

Ebenso muß der Konduktor natürlich möglichst isoliert sein, deshab wird auch die ihn tragende Glassäule mit Bernsteinfirnis überzogen und durch häufiges Abreiben mit warmen Tüchern dafür gesorgt, dass die Oberfläche derselben möglichst trocken ist.

Die Form des Konduktors ist nur insofern von Einfluß, als man dadurch an einzelnen Stellen eine größere Dichtigkeit hervorbringen kann. Stellt man an die Kugel einen Cylinder von bedeutend kleinerem Durchmesser, der von Halbkugeln geschlossen ist, so ist auf dem von der Kugel entferntesten Ende des Cylinders die Elektricität am dichtesten.

Man wird außer der beschriebenen manche anders geformte Elektrisiermaschinen finden, indes ist eine wesentliche Abweichung an denselben nicht vorhanden, weshalb es überflüssig sein wird darauf einzugehen.

Nur einer Elektrisiermaschine müssen wir noch erwähnen, da deren Einrichtung und Wirkung eine wesentlich andere ist, der Armstrongschen Dampfelektrisiermaschine.

Im Jahre 1840 machte ein Maschinenwärter zu Seghill in Nordengland

Beobachtung, dass sich elektrische Erscheinungen zeigten, als er durch nen Körper den aus dem Sicherheitsventile einer Lokomotive strömenn Dampf mit dem Metalle der Maschine und insbesondere mit dem

cherheitsventile selbst in leitende Verbindung brachte.

Die Thatsache wurde unmittelbar darauf von Armstrong und Pattinn1) bestätigt, welche zugleich den Nachweis lieferten, dass der ausströende Dampf positiv, die Maschine selbst aber negativ elektrisch wurde, dem sie den Dampf auf ein Spitzensystem strömen ließen, welches mit mem isolierten Konduktor in Verbindung stand, und die Maschine selbst uf isolierende Unterlagen stellten. In letzterem Falle zeigte sich die laschine nur dann elektrisch, wenn Dampf ausströmte, nicht aber, wenn lle Ventile geschlossen waren, so dass kein Dampf ausströmte.

Anfänglich glaubte man, dass der Akt der Verdampfung selbst die Elektricität errege, indem bei Verwandlung des Wassers in Dampf der ampf positiv und das zurückbleibende Wasser negativ elektrisch werde. has der Kessel nicht elektrisch werde, wenn der Dampf nicht ausströmt, daubte man darin begründet, dass der Kessel sowohl das negative Wasser, s auch den positiven Dampf umschlösse. Man glaubte also darin einen enen Beweis für die schon früher vermutete Elektricitätserregung beim

erdampfen zu erkennen2).

Daß dem nicht so sei, wurde indes bald durch einen Versuch von Amstrong bewiesen3). Er isolierte die Öffnung, aus welcher der Dampf asströmte, von dem Kessel und fand, dass dann nur die Ausflussöffnung, icht der Kessel positiv elektrisch wurde. Daraus zog er den Schlufs,

als die Reibung des Dampfes die Quelle der Elektricität sei.

Indes auch diese Erklärung reichte nicht aus, da man häufig bei faftig ausströmendem Dampfe kaum eine Spur von Elektricität wahrnahm. araday endlich wies die wirkliche Ursache dieser Entwicklung nach4); er igte, dass der Dampf nur elektrisch wurde, wenn er feucht war, wenn also Wasserteilchen mit sich fortrifs, und wenn dieser feuchte Dampf ch an der Ausflussöffnung rieb.

Um diesen Nachweis zu liefern, befestigte Faraday an einem kleinen ampfkessel eine Ausflussröhre, welche sich in eine Kugel erweiterte ig 77), an welche dann verschiedene Ausflussöffnungen angeschraubt

orden konnten. War an die Kugel eine enge olzröhre angeschraubt, so zeigte der unter 1,4 tmosph. Druck ausströmende Dampf anfänglich me geringe Elektricität, welche aber verschwand, s die Kugel heifs geworden war, und überhaupt ar nicht auftrat, wenn die Röhre mit der Kugel



Ther so weit erhitzt war, dass kein Dampf sich kondensierte. Kugel dagegen abgekühlt erhalten wurde, oder wenn in die Kugel

¹⁾ Armstrong, Philosophical Magazin. Vol. XVII, XVIII. III. Sér. 1840. ggend. Ann. Bd. LII. Pattinson, Philosoph. Magazin. Vol. XVII. 1840.

2) Frühere Versuche über Elektricitätserregung beim Verdampfen siehe ggend. Ann. Bd. XI, die Versuche von Pouillet. Riess, Reibungselektricität.

Armstrong, Philosophical Magazin. vol. XX. 1841.
 Faraday, Experimental researches. Ser. XVIII. Poggend. Ann. Bd. LX.

Wasser gethan wurde, so dass der ausströmende Dampf feucht wurde, alse Wasserteilchen enthielt, dann zeigte er sich nach dem Austritt kräftig positiv und der auf isolierende Unterlagen gestellte Dampfkessel kräftig negativ elektrisch.

Damit auf diese Weise Elektricität erregt wird, darf das dem Dampte beigemengte Wasser keine Substanzen gelöst enthalten, welche es besser leitend machen. Das Wasser in der Kugel mußte destilliert sein, an besten aus der Kondensation des Dampfes selbst entstanden. Wurde Brunnerwasser hineingegossen, oder wurde in dem kondensierten Wasser etwas Sak, Glaubersalz, Kochsalz, oder etwas Schwefelsäure oder Borsäure gelöst, so hörte die Elektricitätsentwicklung auf. Der Grund dieser Erscheinung ist nach Faraday der, daß die elektrisierten leitenden Tröpfehen bei fernerer Berührung mit dem Metalle an dasselbe sofort die Elektricität abgeben.

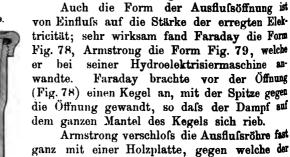
Isolierende Substanzen hatten diesen Einflus nicht, sie hatten dagegen den Erfolg, das die erregten Elektricitäten sich umkehrten. Als in die Kugel auf das Wasser Terpentinöl gebracht war, wurde der Dampfnegativ und der Kessel positiv; dasselbe war der Fall als Speck, Wallrath, Bienenwachs, Olivenöl, Ricinusöl in die Kugel gebracht waren. Die Umkehrung der Elektrisierung dauerte so lange, als von diesen Stoffen in der Kugel war.

Da man annehmen darf, dass bei der Reibung der mit diesen Stoffen bedeckten Tröpschen an den Wänden der Ausslussöffnung dieselben mit diesen Stoffen überzogen werden, so folgt, dass die Elektricitätsart der geriebenen Wassertröpschen abhängig ist von der Substanz, an welcher das Wasser gerieben wird.

Bei Anwendung reinen Wassers ist auch die Substanz der Ausfußöffnung auf die erregte Elektricität von Einflus; zwar bewirkten alle von
Faraday angewandten festen Körper, dass der Dampf positiv elektrisch
wurde, aber die Menge der erregten Elektricität war sehr verschieden. Am
kräftigsten wurde sie erregt, als ein mit destilliertem Wasser getränktes
Buxbaumröhrehen angewandt wurde, sie war sast unmerklich, als eine
Ausflussröhre von Elsenbein oder ein Federkiel angewandt wurde.

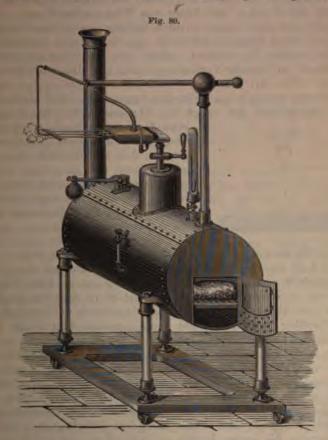






Armstrong verschlos die Ausflusröhre fast ganz mit einer Holzplatte, gegen welche der Dampf zuerst stiess, und um welche er dann herumströmte. Wie man sieht, ist in beiden Fällen die sehr verstärkte Reibung die Ursache der stärkern Wirkung.

Bei der Armstrongschen Maschine sind die Erfahrungen von Faraday zur Erzielung kräftigen Wirkung benutzt worden. Dieselbe besteht (Fig. 80) aus auf Glasfüsen stehenden Dampskessel, der in seinem Innern geheizt Auf einem Dome, der in der Mitte der obern Seite angebracht ist, det sich das Ausflussrohr. Der Damps strömt zuerst in ein Reservoir, bes einen Teil des Dampses verdichtet und so die Stelle der Kugel faradays Ausflussrohr vertritt. An diesem Reservoir sind seitlich zere Ausflussöffnungen von der Einrichtung Fig. 79 angesetzt.



Den Dampf läfst man in einiger Entfernung auf ein Spitzensystem sen, welches entweder mit der Erde oder mit einem von der Maschine lerten Konduktor in leitender Verbindung steht. Man kann so die itive Elektricität des Dampfes oder die negative der Maschine zu den suchen benutzen.

Die Maschine der royal polytechnic institution in London, welche Ausfinsöffnungen für den Dampf hat, ist wohl die wirksamste Elekermaschine, welche es überhaupt giebt.

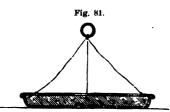
Ebenso wie feuchter Dampf giebt auch feuchte Luft und, wie Jolly igt hat, gasförmige mit flüssiger gemengte Kohlensäure beim Aus-

strömen aus der Nattererschen Flasche durch Reibung aus der Ausströmungsöffnung Elektricität.

§. 54.

Der Elektrophor. Ein ebenfalls zur Elektricitätserregung dienender Apparat, dessen Wirksamkeit wie diejenige der Elektrisiermaschine auf der Influenz beruht, ist der zuerst von Volta¹) konstruierte Elektrophor, dessen Princip jedoch schon viel früher von Wilcke erkannt war. Bei dem Elektrophor wird durch einen erregten Isolator ein in der Nähe befindlicher Leiter durch Influenz elektrisch; von diesem wird die Influenzelektricität der zweiten Art entfernt, indem man ihn einen Augenblick mit dem Erdboden in leitende Verbindung setzt, und dann die Influenzelektricität der ersten Art benutzt.

Die Form, welche schon Volta dem Apparate gab und welche er noch jetzt im wesentlichen hat, zeigt Fig. 81; eine Metallschale mit einem



etwa 1 cm hohen Rande wird mit Hars ausgegössen und beim Abkühlen dafür gesorgt, daß die Oberfläche des Kuchens gut geglättet und ganz ohne Blasen ist Auf diesem Kuchen liegt eine Metallscheibe, welche an einer isolierenden Handhabe oder an isolierenden Schnüren abgehoben werden kann.

Der Harzkuchen wird durch Peitschen

mit einem Fuchsschwanze elektrisch gemacht. Wird der Deckel auf ihn gelegt, so wird derselbe durch Influenz elektrisch; die mit der des Harkuchens ungleichnamige Elektricität wird auf die untere Seite des Deckels gezogen, die gleichnamige negative auf die obere Seite hin abgestoßen. Wird vor dem Abheben der Deckel einen Augenblick mit der Erde in leitende Verbindung gesetzt, so bleibt nur die positive Elektricität auf ihn zurück, welche benutzt werden kann.

Dass in der That dieses die Wirkungsweise des Elektrophors ist, devon kann man sich dadurch überzeugen, dass man als Schild zwei Metallplatten nimmt, welche durch isolierende Schnüre mit einander verknöpfisind, und welche man zugleich einander und der Ebene des Kuchens parallel abheben kann, so dass nach dem Abheben dieselben wenige Centimeter von einander hängen. Man sindet nach dem Abheben stets die obere Scheibe negativ, die untere positiv.

Interessant ist nach den Untersuchungen von Riess²) der elektrische Zustand des Elektrophors bei seiner Wirkung, aus welchem sich zugleich die eigentümliche Fähigkeit des mit seinem Deckel bedeckten Elektrophors erklärt, seine Elektricität Monate lang zu bewahren.

Zur Untersuchung dieses Zustandes setzt man den Elektrophor auf eine isolierende Unterlage und berührt die einzelnen Teile mit einer Prüfungsscheibe.

¹⁾ Man sehe Riess, Reibungselektricität. Bd. l, §. 296. 2) Riess, Reibungselektricität. Bd. l, §. 298 ff.

Wird die obere Fläche des Harzkuchens elektrisiert, so wird die orm sofort negativ, leitet man die negative Elektricität ab, so bleibt die orm unelektrisch. Diese negative Elektricität der Form ist in derselben icht direkt durch Influenz erregt, sondern ist von der untern Seite des achens in die Form übergegangen. Denn stellt man den Kuchen für ich isoliert auf, so findet man auch die Hinterfläche desselben negativ lektrisch, woraus folgt, dass durch die Influenz der Oberfläche in dem uchen zwei elektrische Schichten entstehen, eine im Innern des Kuchens, welche positive (Influenzelektricität der ersten Art), und eine an der ntern Seite des Kuchens, welche negative Elektricität besitzt und auf die om übergeht, wenn der Kuchen in die Form gelegt wird. Dadurch tritt ngleich die positiv elektrische Schicht an die Hinterfläche des Kuchens, wie man sich durch Umkehr desselben und Untersuchung der hinteren läche überzeugen kann.

Hat man die in die Form übergegangene negative Elektricität der om abgeleitet, so bleibt dieselbe unelektrisch, weil die Influenzwirkungen er vorderen negativen und der hinteren durch Influenz von der vorderen megten positiven Schicht an der Grenze der letzteren sich gerade

nfheben.

Wird nun der Schild aufgesetzt, so bleibt zunächst der elektrische astand des Elektrophors ungeändert, da auf dem Schilde die beiden elektischen Schichten zu nahe bei einander sind, als daß sie nach außen irksam sein könnten. Wird aber von dem Schilde die negative Elektistat abgeleitet, so wird die Form durch die beiden positiv elektrischen hichten, des Schildes und die untere des Kuchens, stärker influenziert saurch die eine obere negative Schicht des Kuchens. Die dem Kuchen agewandte Seite der Form wird daher negativ, während die positive Intenzelektricität der zweiten Art sich frei über die Form verbreitet und geleitet werden kann. Wird der Schild abgehoben, so wird die Form leder negativ, so daß die negative Elektricität abgeleitet werden kann.

Die vorhin erwähnte Eigenschaft des Elektrophors, seine Elektricität onate lang zu bewahren, wenn er mit dem Schilde bedeckt und die Form it dem Erdboden in leitender Verbindung ist, ergiebt sich aus diesem

ektrischen Zustande des Elektrophors folgendermaßen.

Zunächst ziehen sich die obere und untere Schicht, welche entgegensetzt elektrisch sind, an, und verhindern durch diese Anziehung, daß is Elektricitäten sich so rasch in die Luft zerstreuen können, wie sie unst thun würden. Das wird noch mehr dadurch bewirkt, daß die bere negativ elektrische Schicht von der positiv elektrischen Schicht des hildes, die untere positive Schicht von der negativen der Form bedeckt. Denn durch diese Bedeckung wird einmal überhaupt die Berührung it der Luft vermindert, dann aber auch die Luft, welche die Schichten Harzkuchens berührt, verhindert sich zu laden, da die Luft von den lektricitäten des Schildes und der Form gerade entgegengesetzt durch duenz erregt wird, als durch Berührung mit dem Kuchen. Es wird in deshalb zwischen Schild und Kuchen einerseits, Form und Kuchen dererseits eine stagnierende Luftschicht bilden, welche die Zerstreuung relektricitäten verhindert.

Dieser von Riess gegebenen Theorie des Elektrophors hat vor kur

Bezold eine andere gegenübergestellt¹), welche die Influenz des Kuchens leugnet oder wenigstens als für das Verhalten des Elektrophors nicht von Einfluss ansieht. Bezold nimmt nicht, wie Riess, in der Masse des Kuchens verschiedene elektrische Schichten an, sondern nur die auf der Oberfläche des Kuchens direkt durch Reibung erzeugte; die an der untern Fläche des Kuchens sowie an der Form beobachteten elektrischen Erscheinungen erklärt er als Influenzerscheinungen, herrührend von der Elektricität auf der Oberfläche des Kuchens.

Zunächst macht Bezold darauf aufmerksam, dass die Berührung mit der Prüfungsscheibe bei Isolatoren keine zuverlässigen Resultate geben könne, wenn sich in der Nähe der zu prüfenden Stelle noch anderweitig Elektricität befindet. Die Prüfungsscheibe nimmt nämlich nicht nur vom der berührten Stelle des Isolators Elektricität fort, sondern wird auch als ein leitender Körper von den nahen elektrischen Schichten influenziert. So ist es kein Beweis, dass die Rückseite eines isoliert aufgestellten auf der vordern Seite geriebenen Kuchens negativ elektrisch ist, wenn die Prüfungsscheibe negative Elektricität anzeigt, sondern diese negative Elektricität muß die Prüfungsscheibe auch dann zeigen, wenn die Rückseite gam unelektrisch ist, einfach, weil die auf der Vorderseite des Kuchens vorhandene Elektricität die Prüfungsscheibe influenziert, und die positive Elektricität der Scheibe, als Influenzelektricität der ersten Art, auf die berührten Stellen der Rückseite übertritt.

Bezold wandte deshalb zur Untersuchung des elektrischen Verhalten des Elektrophorkuchens ein anderes Mittel an, nämlich ein Gemisch zweier Pulver, deren eines positiv elektrisch, deren anderes negativ ist. Ein solches Gemisch erhält man in feingepulvertem Schwefel und Mennige. Siebt mas ein solches Gemisch durch Musselin, so wird der Schwefel negativ, die Mennige positiv elektrisch. Wenn man deshalb aus einer mit Musselin tiberbundenen Streubüchse ein solches Gemisch auf eine Fläche siebt. 90 wird die Mennige an negativ elektrischen Stellen, der Schwefel an positiven festgehalten, oder strenger ausgedrückt, an Stellen wo Schwefel haftet wird negative, an Stellen wo Mennige haftet, wird positive Elektricität gegen de Fläche gezogen. Aus dem Haften dieser Pulver kann deshalb auch noch nicht mit Sicherheit auf den elektrischen Zustand der Fläche geschlossen werden, denn ähnlich wie Eisenfeile an einer unter einem Magnetpole gehaltenen Glastafel haften, haftet Mennige auch an einer nicht selbst elektrischen Fläche, wenn über derselben sich eine negative elektrische Schicht befindet. Die Art und Weise, wie das Pulver auf einer Flüche verteilt ist, lässt dann aber mit ziemlicher Sicherheit die Art der Elektrisierung er kennen. Eine geriebene Fläche zeigt nach dem Bestäuben Streifen, welche die Richtung des Reibens angeben. Ist die Elektricität in Form von Funken auf die isolierende Fläche gebracht, so ordnet sich der Staub zu den nach ihrem Entdecker Lichtenberg als Lichtenbergsche bezeichneten Figure, welche, wenn die Elektricität positiv ist, aus einer großen Zahl von Strahlen bestehen, welche, wie bei einem Stern, von dem Punkte ausgehen, an dem der Funke die Fläche getroffen hat. Ist die Elektricität negativ, so wird

¹⁾ ron Bezold, Sitzungsberichte der Münchener Akademie 1870, Sitzung von 2. Juni; und 1871, Sitzung vom 7. Januar.

ie Figur ein strahlenloser geschlossener Kreis, dessen Durchmesser sehr viel kleiner ist als jener der positiven Figur. Auf diese Figuren werden wir noch an einer andern Stelle kurz eingehen. Ist die Elektricität aus Spitzen auf die Fläche übergeströmt, so zeigt der Staub nur mehr oder weniger ausgedehnte Flecke, welche bei negativer Elektricität rot, bei positiver gelb sind, ohne Unterschied der Zeichnung. Ist dagegen die bestänbte Fläche nicht selbst elektrisch, sondern wird das elektrische Pulver zur durch die Wirkung einer über demselben vorhandenen elektrischen Schicht an der Fläche festgehalten, so findet sich immer ein größeres Flächenstück gleichmäßig mit dem betreffenden Pulver bedeckt.

Man kann diese verschiedenen Anordnungsweisen der Pulver schön sichtbar machen, wenn man einen Funken auf eine Ebonitplatte über-pringen läßt. Ist die Platte isoliert außerhalb des Wirkungskreises von Spitzen aufgelegt, und läßt man auf die obere Seite einen positiven Funken pringen, so erhält man dort einen gelben Stern. Auf der untern Fläche erhält man einen gelben Fleck, dessen Größe derjenigen des Sternes fast gleich ist. In dem Falle wird das negativ elektrische Pulver nur durch die auf der andern Seite vorhandene positive Elektricität festgehalten.

Befand sich in der Nähe der untern Fläche bei dem Überspringen des Funkens eine Spitze, so zeigt sich auf der Fläche ein verwaschener betr Fleck, weil aus der Spitze negative Elektricität auf die Fläche getrömt ist. Lag dagegen die Platte, als der Funke auf sie übersprang, auf einer leitenden Metallplatte, so zeigt beim Bestäuben die untere Fläche die negative Lichtenbergsche Figur, die viel kleiner ist als die obere positive Figur, weil jetzt von der untern leitenden Platte ein negativer unke auf die untere Fläche übergesprungen ist.

Die Ansicht nun, welche Bezold über den elektrischen Zustand und die Wirkungsweise des Elektrophors ausspricht und mit Hilfe des Pulvertemisches nachzuweisen sucht, ist einfach die, daß am Elektrophor durch las Reiben nur die geriebene Fläche elektrisch wird, daß im Innern des Ruchens eine merkliche Influenzierung nicht stattfindet, und daß die an ler Form und hintern Fläche des Kuchens beobachteten elektrischen Ersteinungen Folge sind der von der obern Fläche aus in der leitenden Form stattfindenden Verteilung, und der von der obern Fläche ausgehen-

en Fernewirkung.

Der scheinbar negativ elektrische Zustand der Rückseite des isolierschen Kuchens ist in der schon oben gegebenen Erklärung nur die Folge
der Fernewirkung der auf der obern Fläche durch Reibung entstandenen
elektrischen Schicht. Deshalb ist auch die negative Elektricität der Form,
die abgeleitet werden kann, nicht von der Rückseite des Kuchens auf die
Form übergegangen, dieselbe ist vielmehr Influenzelektricität in der Form
tregt durch die Elektricität des Kuchens. Die positive Elektricität auf
der Rückseite des Kuchens, wenn man den Kuchen in der Form umkehrt,
et die Influenzelektricität der ersten Art, welche von der Form zu dem
Kuchen hinübergegangen ist.

Gerade für das Letztere liefern die Versuche mit dem Pulver den Berzengendsten Beweis. Hat man den Kuchen in der abgeleiteten Form tark gerieben, kehrt ihn dann um, so daß er jetzt mit der geriebenme eite in der Form liegt, so findet man nach dem Bestäuben der Rückseite

dieselbe ganz mit gelben Sternen, der positiven Figur, übersäet, welche zum Teil noch einen roten centralen Fleck besitzen. Hebt man den Kuchen aus der Form und legt ihn auf isolierende Stützen, so fliegt der Schwefel von den Stellen, an denen er vorher haftete, fort; bestäubt man neu mit dem Gemische, so wird nur die Mennige angezogen, die Stellen, welche vorher mit Schwefel bedeckt waren, bleiben aber frei. Das Auftreten der positiv elektrischen Figuren auf der Rückseite, wenn der Kuchen sich umgekehrt in der Form befindet, beweist, dass die Elektricität in einzelnen Funken aus der Form auf die Rückseite des Kuchens übergegangen ist, und das Fortfliegen des Schwefels von den Stellen, an denen er vorher haftete, beim Herausnehmen des Kuchens aus der Form beweist die Fortdauer der Fernewirkung der primär erregten obern Fläche des Kuchens. Die positive Elektricität der Rückseite kann eben nur dann zur Wirkung kommen, wenn die durch das Reiben erregte negative Elektricität der vordern Seite in ihrer Wirkung durch die in der Form hervortretende positive Influenzelektricität der ersten Art neutralisiert wird. Deshalb giebt sich ihr Vorhandensein bei isolierten Kuchen auch nur dadurch zu erkennen, daß an den Stellen, an welchen sich die positive Elektricität befindet, die rote Mennige nicht haftet.

Die Versuche von Bezold sind indes nicht geeignet, die Theorie des Elektrophors von Riess zu erschüttern, sondern nur in einem Punkte zu korrigieren. Nach den mitgeteilten Erfahrungen über die Influenz der Isolatoren kann es nicht in Zweifel gezogen werden, daß der Kuchen des Elektrophors in der That so influenziert wird, wie es Riess annimmt. Denn die durch die Reibung der obern Fläche des Kuchens mitgeteilte Elektricität muß auf die Masse des Kuchens verteilend wirken, gerade so wie wenn wir die obere Fläche des Kuchens mit einer leitenden elektrisierten Scheibe bedecken. Es muß deshalb entsprechend den Versuchen von Riess und auch von Bezold die untere Fläche des Kuchens, wenn er isoliert aufgestellt ist, negativ elektrisch sein, und die auf der Rückseite sich zeigenden Wirkungen der negativen Elektricität sind nicht lediglich der Fernewirkung der auf der obern Fläche durch Reibung erregten Elektricität zuzuschreiben 1).

Dagegen ergiebt sich aus den Versuchen von Bezold, daß die positive Elektricität, welche die Rückseite des Kuchens in der abgeleiteten Form erhält, die in der Form erregte Influenzelektricität der ersten Art ist, welche durch die Influenz sämtlicher Schichten im Elektrophor erregt wird, und daß die in der Form abgeleitete Elektricität die entsprechende Influenzelektricität der zweiten Art ist. Nur so ist es in der That verständlich, daß die Rückseite des Kuchens in der abgeleiteten Form positiv wird, da gar kein Grund abzusehen ist, wie denn nach der Annahme von Riess die im Kuchen durch Influenz erregte positive Schicht an die Rückfläche treter könnte. Wie man sieht, wird indes die weitere Theorie von Riess dadurch nicht berührt, denn ob die positive Elektricität der Rückfläche die im Kuchen vorhandene Influenzelektricität der ersten Art oder von de Form auf sie übergegangen ist, das ist für die weiter betrachteten In

¹⁾ In einer neuern Arbeit (Wiedem, Ann. Bd. XXIII) hat Bezold selbst jets reine Theorie in dem Sinne modifiziert.

fmenzen gleichgültig, jedenfalls ist die Influenz, welche von der im Kuchen vorhandenen Influenzelektricität der ersten Art und der mit ihr gleichnunigen der Rückfläche bedingt wird, derjenigen entgegengesetzt, welche von der auf der Oberfläche des Kuchens durch Reibung erzeugten bewirkt wird, und das ist die Grundlage der Theorie von Riess.

8. 55.

Die Influenzmaschinen. Zu der Elektrisiermaschine und dem Elektrophor, welche lange Zeit die einzigen Quellen größerer Elektricitätsmengen waren, sind in der letzten Zeit die fast gleichzeitig von Töpler 1) und Holtz2) konstruierten, auf dem Princip des Elektrophor basierten Influenzmaschinen, oder wie Riess sie nennt, Elektrophormaschinen hinzugekömmen, welche eine viel größere Menge Elektricität zu liefern imstande sind als die bisher besprochenen Apparate. Wir begnügen uns damit, von den mancherlei Formen, welche die Apparate erhalten haben3), die einfache Holtzsche Maschine zu beschreiben, da wesentlich diese es ist, welche eine große Verbreitung bekommen hat, und die Theorie aller übrigen wesentlich mit derjenigen der Holtzschen Maschine übereinstimmt.

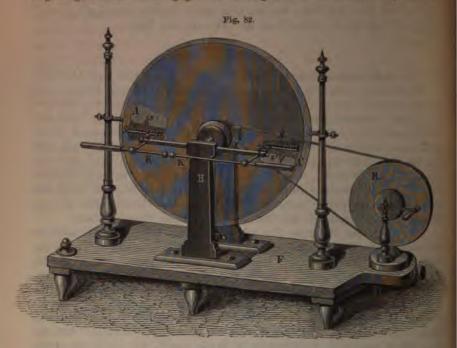
Die Holtzsche Maschine Fig. 82 besteht aus einer festen Glasscheibe und einer derselben parallelen sehr nahe stehenden, welche in rasche Rotation versetzt werden kann, deren Durchmesser etwa 2 cm kleiner ist, als der der festen Scheibe. Die Scheiben sind, um sie möglichst gut isoberend zu machen, mit Schellackfirnis versehen. Die feste Scheibe bat trei Durchbohrungen resp. Ausschnitte, die erste in der Mitte, um die Axe der rotierenden Scheibe durchzulassen, die andern in der Nähe des Randes. Die letztern sind, wie es die Figur zeigt, so verteilt, dass der Obere Rand des einen Ausschnittes A' etwas unter, der untere Rand des undern A etwas über dem horizontalen Durchmesser der festen Scheibe sich befinden. Der obere Rand des ersten, der untere des zweiten Ausschnittes ist mit einer Papierbelegung überklebt, S, S', welche auf beiden Seiten der Scheibe bis einige Centimeter von dem Rande der Ausschnitte sich erstreckt. Von den Rändern ragen ein oder zwei steife, oben zugespitzte und gegen die rotierende Scheibe gebogene Papierstreifen, s, s', bis in die Mitte des Ausschnittes, gut ist es, wenn diese Papierspitzen mit Stanniel beklebt sind4). Gegenüber den Papierbelegungen, von ihnen getrennt durch die rotierende Scheibe, befinden sich Saugkämme von Messing, horizontale Messingröhren, deren Länge jener der Papierbelegungen gleich ist, und welche mit einer Anzahl feiner, gegen die rotierende Scheibe gerichteter Spitzen versehen sind. Diese Saugkämme sind an cylindrischen Messingstangen befestigt, welche durch das isolierende Querstück aus

¹⁾ Töpler, Poggend, Ann. Bd. CXXV. Bd. CXXVII.

²⁾ Holtz, Poggend. Ann. Bd. CXXVI. CXXVII. CXXX. CXXXVI.
3) Über die verschiedenen Formen der Influenzmaschinen sehe man die Berliner Berichte über die Fortschritte der Physik seit 1865 und Carls Repertorium für physikalische Technik von demselben Zeitpunkte an, ebenso besonders eine Reihe interessanter Abhandlungen von Poggendorff in den Monatsberichten der Berliner Akademie und Poggendorffs Annalen seit 1867.

4) Man sehe Carl in Carls Repertorium Bd. IV.

Hartgummi, das von dem einen Träger H der Axe der rotierenden Scheibe getragen wird, hindurchgehen und vorn in Kugeln endigen. Durch die Kugeln gehen senkrecht gegen die Stangen zwei verschiebbare, vom in



kleinen Kugeln, K, K', endigende Messingstäbe von solcher Länge, dals die Kugeln zur Berührung gebracht werden können. An den andern Ender sind diese Stäbe mit isolierenden Handhaben versehen.

Um die drehbare Scheibe in rasche Rotation zu versetzen, ist and der Axe eine kleine Rolle befestigt, welche durch einen Schnurlauf, der um eine größere auf dem Fuße des Apparates aufgestellte Rolle geführt ist, gedreht wird. Die Bewegung der Scheibe erfolgt von den Spitzen zu den Papierbelegen hin.

Um die Maschine in Thätigkeit zu bringen, schiebt man die mit den Saugkämmen in leitender Verbindung stehenden Messingstübe so weit zu sammen, daß sich die kleinen Kugeln berühren, so daß also die beiden Saugkämme in metallischer Verbindung sind. Man versieht den einen der Papierbelege, während die bewegliche Scheibe rasch rotiert, mit Elektricität, indem man in ihre Nähe einen elektrisierten Körper, etwa einen geriebenen Streifen von Hartgummi oder eine geriebene Porzellanröhre häll. Wenn man dann nach kurzer Zeit die an den Saugkämmen befestigten Messingstäbe auseinanderzieht, so geht die Elektricität zwischen den beiden Kugeln in einem fast kontinuierlichen Strome über. Die Entfernung, bis zu welcher man die Kugeln von einander entfernen kann, hängt ab von den Dimensionen der Scheiben und dem Zustande der Maschinen. Bei einem Durchmesser der Scheiben von etwa 50 cm kann man, wenn

Oberfläche der rotierenden Scheibe gut isoliert, die Kugeln bis etwalten von einander entfernen. Überschreitet man diese Grenze, so hört Wirkung der Maschine plötzlich auf; um sie wieder in Gang zu vertzen, muß man sie neu erregen. Zuweilen gelingt es indes, die Matten schon dadurch wieder wirksam zu machen, daß man die beiden besingstäbe rasch bis zur Berührung der Kugeln wieder zusammenschiebt. Dam ist aber oft der elektrische Zustand der Maschine der entgegengesetzte on vorher, das heißt jene Kugel, welche vorher positive Elektricität eferte, liefert jetzt negative und umgekehrt.

Die Wirkungsweise der Maschine läßt sich einfach als eine Wirkung er Influenz von seiten der Papierbelege und der rotierenden Scheibe auf he mit den Spitzen versehenen Leiter des Apparates auffassen¹). Nehmen ir an, dem einen Papierbeleg, er möge als a bezeichnet werden, sei eine zwisse Menge positiver Elektricität mitgeteilt. Dieselbe wird in dem ihr egenüberstehenden Leiter durch Influenz die Spitzen negativ elektrisch mehen, während die positive Elektricität abgestoßen wird und sich bis a die Spitzen, welche dem Papierbeleg b gegenüberstehen, begiebt. Da in in Spitzen die Dichtigkeit der Elektricität immer sehr groß ist, so wird ngenüber a die negative Elektricität auf die bewegliche Scheibe strömen, and gerade gegenüber a die Scheibe isoliert eine große Dichtigkeit haben. Die dort angesammelte negative Elektricität influenziert dann rückwärts bieder den Papierbeleg, so daß dessen positive Elektricität verstärkt wird, ührend die negative Elektricität aus der Papierspitze auf die dem Beleg agewandte Seite der beweglichen Scheibe ausströmt.

Auf der anderen Seite tritt gleichzeitig eine Elektrisierung des halbitenden Papierbelegs b durch Influenz von den ihm gegenüberstehenden
pitzen ein. Diese Spitzen sind, wie wir sahen, positiv elektrisch, und
egen der großen Dichtigkeit in den Spitzen strömt diese positive Elekicität auf die den Spitzen gerade gegenüber befindliche Stelle der beeglichen Scheibe. Diese positive Elektricität influenziert den Papiereleg so, daß er selbst negativ wird, während die positive Elektricität
us der Papierspitze auf die dem Belege zugewandte Seite der beweg-

chen Scheibe strömt.

Alle diese Influenzen werden wesentlich verstärkt durch die Influenz der beweglichen Glasscheibe einmal von dem Papierbeleg her und dann urch die von Riess sogenannte Doppelinfluenz, welche nach ihm immer ann eintritt, wenn ein Isolator sich in solcher Nähe eines Leiters befindet, als bei der Influenzierung beider aus dem Leiter die Influenzelektricität ber einen Art auf den Isolator strömt. Die Influenz in dem Isolator durch inse ihm mitgeteilte Elektricität, welche gerade so erfolgen muß, wie wie dem Kuchen des Elektrophors durch die auf der obern Fläche durch beibung erzeugte elektrische Schicht, ist dann das, was den ganzen Vortung zur Doppelinfluenz macht. Bei der Influenzmaschine influenziert umach der elektrische Papierbeleg die bewegliche Scheibe und den Saugamm; auf die dem Beleg zugewandte Seite der Scheibe tritt deshalb zusehst durch einfache Influenz ungleichnamige Elektricität und gleichzeitig

¹⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd CXXI. Über Doppelinfluenz und die Theorie r Elektrophormaschinen. Ferner Poggend. Ann. Bd. CLIII.

strömt aus den Spitzen des metallischen Saugkammes diese selbe Elektricität auf die andere Scheibe. Diese Elektricität influenziert die Scheibe, wie es bei dem Elektrophor besprochen wurde, und bewirkt, daß die dem Beleg zugewandte Seite der Scheibe ebendieselbe Elektricität erhält, wie die den Spitzen zugewandte. Die dem Beleg zugewandte Seite der beweglichen Scheibe erhält also nicht nur aus der Papierspitze, sondern auch durch Influenz die mit dem Beleg ungleichnamige Elektricität, und ebenso erhält die dem Saugkamme zugewandte Fläche Elektricität nicht nur infolge der Influenz des Papierbelegs auf die Spitzen, sondern auch durch Rückinfluenz der in der Scheibe erregten Influenzelektricität auf die Spitzen. Beide Flächen der beweglichen Glasscheibe erhalten also durch die Influenz auf das Glas mehr Elektricität, als sie ohne diese Influenz erhalten würden.

Dass diese Influenz auf das Glas der beweglichen Scheibe in der That von merklichem Einflus ist, folgt unmittelbar aus den Erfahrungen ther die dielektrische Polarisation.

Bei a wird also die bewegliche Scheibe auf beiden Seiten negativ, bei b auf beiden Seiten positiv. Wird die bewegliche Scheibe in Rotation versetzt, so dass sie von a nach oben, von b nach unten sich bewegt, und wobei wir voraussetzen, dass der Sinn der Rotation von der Spitze gegen den Papierbeleg hin gerichtet ist, so wiederholt sich der Vorgang bei der ersten halben Rotation an allen die Spitzen passierenden Stellen der Scheibe, so dass nach dieser halben Rotation auf der obern Scheibe ein Halbring, dessen Breite gleich ist der Länge des Saugkammes, auf beiden Seiten negativ, auf der untern Hälfte ein Halbring von der gleichen Breite auf beiden Seiten positiv elektrisch ist. Bei weiterer Bewegung der Schaib wird zuerst die Papierspitze von a von dem untern positiven Halbringe, die Papierspitze von b von dem obern negativen Halbringe getroffen, und der Erfolg ist eine Verstärkung der Ladungen durch die Saugwirkung der Spitzen auf beiden Papierbelegungen und einmal hierdurch, dann aber auch weil die rotierende Scheibe jetzt vor die Spitzen mit der in den Spitzen vorhandenen entgegengesetzten Elektricität hintritt, eine verstärkte Influenz auf den mit den Spitzen verbundenen Leiter. Die Folge dieser verstarkten Influenz ist wieder eine Verstärkung der Ladung auf den Belegen und besonders auf der rotierenden Scheibe, die dann rückwärts die Spitzen immer stärker influenziert, so dass nach kurzer Zeit die mit den Spitze verbundenen Messingstäbe auseinandergezogen werden können, ohne des Spiel der Maschine zu unterbrechen. Die Dichtigkeit der positiven Elektricität an dem Ende des a gegenüberstehenden, die Dichtigkeit der negtiven an dem Ende des andern Messingstabes ist so groß, daß die Elektricitäten aus dem einen Stabe in den andern hinüberströmen, auch wenn die Kugeln durch eine Luftschicht von beträchtlicher Dicke getrennt sind

Dass in der That der elektrische Zustand der Maschine der hier geschilderte ist, davon kann man sich durch elektroskopische Untersuchung der rotierenden Scheibe leicht überzeugen. Aus diesem Zustande ergiebt sich auch sofort, weshalb die Wirksamkeit der Maschine aufhört, sobald man die Messingstäbe so weit von einander entsernt, dass die Elektricität nicht mehr von der einen zur andern Kugel übergehen kann. Es tritt dann nämlich sofort ein Ausströmen der vorher abgestoßenen Elektricität

auf die vorübergehenden Teile der rotierenden Scheibe ein, so daß also bei a die vorher negative Oberfläche jetzt positiv elektrisch wird. Diese positive Elektricität influenziert gleichzeitig den Papierbeleg a, so daß die auf demselben vorhandene positive Elektricität durch die Spitze ausströmt, und so den Beleg neutralisiert. Ähnlich ist der Vorgang bei dem Belege b. Ist die Dichtigkeit auf den Leitern sehr groß, so erkennt man, daß unter günstigen Umständen auch ein Umelektrisieren der Belege eintreten kann, so daß, wenn die Messingstäbe nach Aufhören des Übergehens der Elektricitäten sofort zusammengeschoben werden, das Spiel der Maschine das entgegengesetzte wird.

Die Theorie erklärt weiter sofort, weshalb die Wirkung der Maschine wesentlich von der Isolationsfähigkeit der Scheiben und besonders der rotierenden Scheibe abhängt, da die Wirkung gerade darauf beruht, daß auf einer und derselben Scheibe in nicht weit entfernten Stellen entgegengesetzte Elektricitäten von großer Dichte vorhanden sind. Ebenso ist es natürlich notwendig, daß die Saugkämme und die mit ihnen verbundenen Leiter sorgfältig von der Erde isoliert sind, da sonst die Influenzelektriciteten der zweiten Art von diesen Leitern sofort in die Erde abfließen.

Außer in der schon vorhin angeführten Weise tritt bei der Influenzmaschine die Influenz auf Nichtleiter noch in einer andern in Wirksamkeit, um die Wirkung der Maschine auf ihre ganze Höhe zu bringen und auf derselben zu erhalten. Denn durch die Influenz der beiden Hälften der rotierenden Scheibe wird in der festen Glasscheibe auf der der rotierenden zugewandten Seite eine ungleichnamig elektrische Schicht erregt, welche durch ihre anziehende Wirkung auf die Elektricität der ihr gegenüberliegenden Hälfte der rotierenden Scheibe die Zerstreuung der Elektricität mindert¹).

Nach der vorgeführten Theorie der Influenzmaschine ist dieselbe im Princip identisch mit dem Elektrophor. Man kann entweder den Papierbeleg als Kuchen und die rotierende Scheibe als den Schild ansehen, von dem die Saugkämme die Influenzelektricität der zweiten Art fortnehmen, oder man kann die rotierende Scheibe als den Kuchen und die Saugkämme als den Schild betrachten; der Unterschied zwischen Elektrophor und Influenzmaschine liegt nur in der Art der Elektrisierung, welche bei der Influenzmaschine in so sinnreicher Weise erfolgt, daß sie dadurch die ergiebigste Menge der Elektricität wird, und daß sie die geringste Menge der aufgewandten Arbeit zur Erzeugung einer gewissen Elektricitätsmenge beansprucht.

8. 56.

Der elektrische Ansammlungsapparat. Mit Hilfe der in den letzten Paragraphen beschriebenen die Elektricität erregenden Apparate lann man einen beliebigen Konduktor mit Elektricität laden; die Ladung des Konduktors hat aber eine bestimmte nicht zu überschreitende Grenze, welche nach §. 40 dann eintritt, wenn das Potentialniveau des Konduktors gleich ist dem des die Elektricität erregenden Apparates. Es kann also z. B. bei der Elektrisiermaschine irgend ein beliebiger Leiter durch leitende

¹⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. CXXXI, S. 231.

Verbindung mit dem Konduktor der Maschine so weit geladen werden, dass das Potentialniveau des Leiters gleich ist dem des Konduktors. Die Grenze der Ladung des letztern ist dadurch bedingt, dass durch die Scheibe der Elektrisiermaschine keine weitere Influenz auf denselben ausgeübt werden kann, also dadurch, dass auf dem Konduktor so viel positive Elektricität angesammelt ist, dass die Dichtigkeit derselben in den Spitsen gleich der Dichtigkeit der auf der Scheibe erregten positiven Elektricität geworden ist.

Diese Ladung kann ferner nur eintreten, wenn auf dem Kondukter durch dieselbe an keiner Stelle die Dichtigkeit erreicht ist, bei welcher die Elektricität auszuströmen beginnt, und sie kann dauernd nur erhalten werden, wenn der durch Zerstreuung in jedem Augenblicke stattfindende Verlust immer durch fortgesetzte Wirkung der Elektricitätsquellen wieder ersetzt wird.

Es läßt sich indes ein auf die Wirkung der Influenz gestützter Apparat konstruieren, welcher eine weit größere Elektricitätsmenge anzusammeln gestattet, der in verschiedenen Formen als Franklinsche Tafel, Leydener Flasche, Kondensator im vorigen Jahrhundert schon konstruiert wurde. Der elektrische Ansammlungsapparat besteht in allen Fällen aus zwei sich gegenüberstehenden, parallelen leitenden Flächen, welche durch einen Isolator von einander getrennt sind. Die eine dieser Flächen ist isoliert und durch eine Leitung mit dem Konduktor verbunden, welcher diese Fläche elektrisiert; diese Fläche führt den Namen Kollektor; die andere Fläche ist mit der Erde in leitender Verbindung, sie ist der Kondensator.

Nach dieser Angabe über die Einrichtung des Ansammlungsapparatei ist die Theorie desselben vollständig in unsern Untersuchungen des §. 41 über die Potentialfunktion auf parallelen Leitern und in dem Satze gegeben, dass auf zwei verbundenen Leitern die Potentialfunktion immer denselben Wert haben muss. Ist die Potentialfunktion etwa auf dem Konduktor der Elektrisiermaschine V, so kann eine einzeln stehende Platz, deren Kapacität C ist, eine solche Elektricitätsmenge aufnehmen, dass

$$q = CV$$

ist. Setzen wir der Platte eine zweite gegenüber, so wird die Kapacität der Platte gleich C_1 ; damit dieselbe jetzt bis zur Potentialfunktion V geladen werde, bedarf sie der Elektricitätsmenge

$$Q = C_1 V.$$

Das Verhültnis der in die Kollektorplatte in den beiden Fällen überströmenden Elektricitäten, wenn dieselbe mit dem zu gleichem Werte der Potentialfunktion geladenen Konduktor in leitende Verbindung gebracht wird, ist demnach

$$\frac{Q}{q} = \frac{C_1}{C}$$
,

es ist somit gleich dem Verhältnis der Kapacitäten des einzeln stehenden Leiters und desselben, nachdem ihm ein ihm paralleler gegenüber gestellt ist. Man nennt dieses Verhältnis die Verstärkungszahl des Ansammlungsapparates.

Diese Verstürkungszahl hüngt nach den Untersuchungen des §. 41

resentlich von der Form und den Dimensionen des Ansammlungsapparates ind nach den Untersuchungen der §§. 48 ff. von der Substanz des dielekrischen Zwischenmittels ab. Für gewisse einfache Formen ergeben sich liese Verstärkungszahlen aus unsern frühern Untersuchungen unmittelbar. In fanden wir für eine Kugel

$$C = R$$
;

at dieselbe von einer zur Erde abgeleiteten Schale umgeben, deren innerer Radius gleich R_1 ist, und befindet sich in dem Raume zwischen Kugel und Schale ein Medium, dessen Dielektricitätskonstante D ist, so ist

$$C_{\mathbf{i}} = D \; \frac{R \, R_{\mathbf{i}}}{R_{\mathbf{i}} - R} = D \; \frac{R \, R_{\mathbf{i}}}{\delta} \, , \label{eq:constraint}$$

somit ist die Verstärkungszahl

$$\frac{C_1}{C} = D \frac{R_1}{\delta}.$$

Für einen plattenförmigen Kondensator vom Radius R ist die Verstärkungszahl

$$\frac{C_1}{C} = D \, \frac{R}{2 \, \delta} \, ,$$

wenn & der Abstand der Platten ist.

Man wird indessen in der Praxis die so bestimmten Werte der Verstärkungszahlen kaum jemals erhalten, da die bei den Berechnungen vortungesetzten Formen schon deshalb sich nicht herstellen lassen, weil an den Apparaten stets Ansätze der verschiedensten Art angebracht sein müssen, um dieselben mit dem Konduktor in Verbindung zu bringen und un andern Zwecken. Man wird deshalb stets, wenn man die Ladung eines Ansammlungapparates bestimmen will, die Kapacität desselben direkt bestimmen müssen. Methoden der Kapacitätsbestimmung haben wir in den §§. 49 ff. besprochen, wir brauchen daher hier nicht mehr darauf untekzukommen.

Erwähnt muss jedoch noch werden, dass auser dem oben angeführten direkten Einfluss auf die Kapacität des Ansammlungsapparates ein sester Isolator noch weiter den Einfluss hat, dass der Ansammlungsapparat seine Iadung länger behält. Denn ist die Zwischenschicht Luft, so findet immer auch von den zugewandten Flächen der Leiter eine Zerstreuung der Elektreität statt, welche vollständig aufhört, wenn die Flächen durch einen sesten Isolator getrennt sind. Wie wir bei Besprechung des Thomsonschen Elektrometers §. 45 erwähnten, tritt bei demselben, dessen Gefäs ein Ansammlungsapparat mit einem aus Glas hergestellten Zwischenraum ist, nur im sehr geringer Verlust der demselben mitgeteilten Ladung ein.

Ferner aber kann man einen Ansammlungsapparat mit starrem Isolator zu einem höhern Potentialwert laden. Wir erwähnten im Anfange dieses Paragraphen, dass ein Leiter, und dasselbe gilt für einen Ansammungsapparat, soweit geladen werden kann, bis die Elektricität aus demelben ausströmt. Aus einer einzeln stehenden Fläche tritt allerdin olches Ausströmen nicht ein, wenn ihr indes eine andere mit einsetzter Elektricität geladene Fläche gegenübersteht, so kannasströmen doch in einer bestimmten Form stattfinde

strömen, welches mit einer Lichterscheinung in Form eines elektrischen Funkens verbunden ist, findet statt, wenn die Anziehung der gegenüber gestellten Elektricitäten dort, wo sich etwa eine kleine Unebenheit, eine kleine Erhöhung in einer der Platten befindet, so stark geworden ist, dat die Luft ihrer Vereinigung keinen hinreichenden Widerstand mehr entigegensetzt. Eine solche Entladung kann allerdings auch stattfinden, wenn zwischen den leitenden Flächen des Ansammlungsapparates ein starter Isolator vorhanden ist; indes wegen des bedeutend größern Widerstanden, welchen die starren Isolatoren einer solchen Entladung entgegensetzen, tritt die Entladung bei gleicher Dicke der isolierenden Schicht erst bei einem viel höhern Werte des Potentials, also viel stärkerer Ladung ein. Wo es sich deshalb um Herstellung starker Ladungen handelt, wird man stets Ansammlungsapparate mit starren Isolatoren anwenden.

§. 57.

Der Kondensator. Der elektrische Ansammlungsapparat wird in der Elektricitätslehre besonders zu zwei verschiedenen Zwecken angewandt, als Kondensator und als Ladungsapparat.

Als Kondensator hat ihn zuerst Volta 1) angewandt; er hat als solcher den Zweck, Elektricitäten von äußerst geringer Dichtigkeit, also von Quellen, welche derselben nur sehr wenig liefern, zu verdichten, so daß sie noch leicht nachgewiesen oder gemessen werden können.

Legt man eine schwache Elektricitätsquelle an eine einzeln stehende Platte, so geht auf die Platte nur so lange Elektricität über, bis der Potentialwert der Elektricität auf der Scheibe gleich demjenigen auf der Quelle geworden ist. Stellt man der Scheibe eine zweite abgeleitete gegenüber, und wird der Wert der Potentialfunktion auf $\frac{1}{n}$ vermindert, so kann jetzt wieder die nfache Menge der Elektricität auf die Scheibe übergehen. Wird dann die Kondensatorscheibe von der Kollektorscheibe entfernt, so verteilt sich auf letzterer die Elektricität wieder wie auf der einzeln stehenden Scheibe und die Dichtigkeit der Elektricität ist in allen Punkten der selben die nfache von derjenigen, welche dort stattfand, als die Scheibe für sich geladen wurde. Bringt man die Scheibe an ein Elektroskop, so kann dasselbe häufig diese Menge erkennen lassen, während vorher die einfach geladene Scheibe ganz unelektrisch zu sein schien.

Am gewöhnlichsten ist zu diesem Zwecke der Kondensator gleich mit dem Elektroskope verbunden; er besteht dann einfach aus zwei gleichen Metallscheiben, deren Größe meistens von der Größe des angewandten Elektroskopes abhängig ist. Die Platten sind auf der einen Seite mit einer möglichst gleichmäßigen dunnen Firnisschicht überzogen, welche, wenn die Platten auf einander liegen, als Isolator dient. Die eine der Platten ist meistens (Fig. 83) direkt auf den Stift des Elektroskopes selbst aufgeschraubt, mit der Firnißschicht nach oben hin; die andere, mit einer isolierenden Handhabe versehen und auf der unteren Seite ebenfalls gefirnißt, wird auf die erstere aufgelegt.

¹⁾ Volta, Philosophical Transactions for 1783. Man sehe Fischer, Geschichte der Physik. Bd. VIII, S. 379.

Man kann sowohl die obere als auch die untere Platte als Kollektorlatte benutzen, muß sich dann nur, wenn zugleich die Art der erregten llektricität etwa an einem Säulenelektroskop bestimmt werden soll, daran minnern, daß wenn die obere Platte als Kollektorplatte benutzt wird, das

Elektroskop die mit der untersuchten ungleichnamige Elektricität enthält.

Bei dem Gebrauche eines solchen, und überhaupt eines Elektroskopes mit starrem Isolator ist darauf mit großer Vorsicht zu achten, daß der Isolator nicht selbst elektrisch ist. Die geringste Reibung beim Abheben der einen Platte bewirkt, daß der Firniß elektrisch wird und dann der Kondensator als Elektrophor wirkt. Man wird deshalb immer gut thun, vor dem Gebrauche des Kondensators die Firnißschicht schnell durch eine Flamme zu ziehen.

Ein solcher Kondensator, an welchen die zu untersuchenden Elektricitätsquellen einfach angelegt werden, ist nur dazu geeignet, den Nachweis zu liefern, daß dieselbe Elektricität liefert, nicht aber die von verschiedenen Quellen gelieferten Mengen mit einander zu vergleichen. Denn damit das der Fall ist, müßte die von den verschiedenen Quellen auf den Kondensator überfießende Elektricitätsmenge zu der Dichtigkeit der auf der Quelle vorhandenen Elektricität immer in demselben Verhältnisse stehen, oder was dasselbe ist, dem gleichen Werte der Potentialfunk-



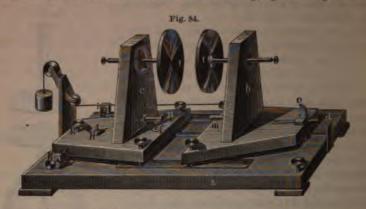
ion im Kondensator müßte auch immer die gleiche Elektricitätsmenge entsprechen. Das ist aber nur dann der Fall, wenn durch das Anlegen der Elektricitätsquelle die Form des Kondensators immer in derselben Weise geändert wird, da die Verteilung der Elektricität auf einem Körpersystem durch die Form desselben wesentlich bedingt ist.

Einen zu Messungen geeigneten Kondensator hat Kohlrausch') durch ime Umformung des einfachen Ansammlungsapparates konstruiert; die form desselben, wie er jetzt von dem Universitätsmechaniker Schubarth in Gent verfertigt wird, zeigt Fig. 84. Auf eine mit einer Stellschraube in ihrem einem Fusse versehene Bodenplatte a sind die Träger der Kondensatorplatten aufgestellt. Dieselben bestehen aus ganz trockenem Holze; der eine c ist fest, der andere b verschiebbar. Zu dem Ende gleitet der etztere mittels zwei unterhalb angebrachter Gabeln auf einem dreiseitigen, in die Bodenplatte eingelegten Stahlprisma; er steht auf demselben durch ein eigenes Gewicht hinlänglich fest und wird durch zwei seitlich angerachte Stellschrauben, welche auf Messinglinealen schleifen, vor dem Umippen geschützt. Ein Gewicht zieht durch eine über eine Rolle geleitete eidene Schnur den Halter b nach dem Halter c hin, sobald man den

¹⁾ Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. LXXV n. LXXXVIII.

Haken der Feder d hebt, während am Griffe e die Hand das Gleiten mäßigt oder die entgegengesetzte Bewegung ausübt.

Die vertikalen Teile der Träger sind oben durchbohrt, und in diese Durchbohrungen sind mit Schellack der Bewegungsrichtung des einen



Trägers parallel starke Messingdrähte eingekittet. An den einander zugewandten Enden der Messingdrähte sind kreisförmige Messingscheiben angeschraubt, von etwa 15 cm Durchmesser, welche auf den einander zugewandten Flächen vergoldet sind. Hinter den Scheiben an den Drähten sind Klemmschrauben angebracht; in die Klemmschraube der als Kollektorscheibe benutzten Platte wird der Zuleitungsdraht von der Elektricitätsquelle, in die Klemmschraube der anderen Platte der zur Erde ableitende Draht angeschraubt.

Um die Platten einander vollkommen parallel zu stellen, ist der Halter c bei f durch Spindel und Mutterschraube so befestigt, dass er außer einer drehenden Bewegung auch ein geringes Neigen nach vorn und hinten und nach den Seiten gestattet. Das Drehen wird durch eine gegen den Pfestmisisch stemmende starke stählerne Spiralfeder und die entgegengesetzte Stellschraube k bewirkt, das Neigen vornüber durch die Stellschraube gund eine ihr entgegenwirkende Spiralfeder, welche im Fußbrett gehalten und durch die Schraubenmutter h angezogen wird; das seitliche Neigen durch die beiden Stellschrauben vorn.

Um bei der Ladung des Apparates die beiden Platten immer in den gleichen Abstand zu bringen, ist an dem einen Träger eine kleine Schranbe n befestigt, deren Ebene um ein Geringes vor der Ebene der Scheibe hervorsteht. An dem anderen Träger ist ein kleiner Pfosten m befestigt, dessen Kopf gegen die Schraube n stöfst, wenn die Scheiben einander genähert sind. Durch Drehung der Schraube n können die Scheiben etwas näher oder weiter von einander gestellt werden.

Sind die Platten einander genähert, so wird der Apparat geladen; dann werden die Platten von einander entfernt, die Kondensatorplatte entladen und die Kollektorplatte auf ihre Elektricität untersucht. Der Abstand der beiden Platten, wenn sie von einander entfernt sind, beträgt ungefähr 0,1 m, er ist so groß, daß die Verteilung auf jeder derselben fast genan diejenige ist, als wenn die andere nicht zugegen wäre.

Es ergiebt sich aus der Theorie des Ansammlungsapparates, daß hier, n die Zuleitung und Ableitung immer dieselbe ist, und wo noch dazu er Zuleitungsdraht eine bedeutende Länge hat, die Verstärkungszahl des apparates konstant ist, daß also auf die Kollektorscheibe eine zur Dichtigeit der Elektricitätsquelle in gleichem Verhältnis stehende Elektricitätsenge überfließt. Man kann deshalb den Apparat zur Messung der von hwachen Elektricitätsquellen, welche aber stetig Elektricität erzeugen, blieferten Elektricitätsmengen benutzen.

§. 58.

Der Ladungsapparat. Während der Kondensator den Zweck hat, if einem Leiter Elektricität anzusammeln aus einer Quelle, welche nur geringe elektrische Dichtigkeit besitzt, daß die auf die alleinstehende latte übergehende Elektricität gar nicht oder kaum merklich ist, hat die reite Anwendung des Ansammlungsapparates, der Ladungsapparat, geissermaßen einen entgegengesetzten Zweck. Er dient dazu, auf einen eiter mehr Elektricität zu übertragen, als dieser für sich aufnehmen kann, o es sich darum handelt, mit größern Elektricitätsmengen zu experimeneren. Während also bei dem Kondensator das Maximum der aufgenomenen Elektricität abhängig ist von der Dichtigkeit der Elektricitätsquelle, angt dasselbe bei dem Ladungsapparate wesentlich ab von der Beschaffenheit es Apparates selbst. Zur Ladung dienen daher in der Regel Elektricitsquellen, welche hohe Werte der elektrischen Potentialfunktion zu liefern mstande sind, wie Elektrisiermaschinen oder Influenzmaschinen u. s. w.

Dem Zwecke des Ladungsapparates können wir nach § 56 nur dann ntsprechen, wenn wir einen Ansammlungsapparat mit starrem Isolator nwenden, da eine Luftschicht zwischen den beiden Leitern zu leicht von en in beiden angehäuften entgegengesetzten Elektricitäten durchbrochen wird. Dem entsprechend wendet man als Ladungsapparate auch meistens uf ihren beiden Seiten mit leitenden Flächen versehene Gläser an.

Der Ladungsapparat wird meistens in zwei verschiedenen Formen

agewandt, als Ladungsflasche oder als Ladungsplatte.

Die Ladungsflasche und an ihr das Princip des Ansammlungsapparates berhaupt wurde zufällig im Jahre 1745 von dem Prälaten von Kleist zu amin in Pommern entdeckt¹). Er elektrisierte einen Nagel oder einen tarken Messingdraht, welcher in einem Medicinfläschchen stand, in dem ch einige Tropfen Spiritus oder Quecksilber befanden. Das Gläschen urde in der Hand gehalten. Als er dann den Draht mit der anderen and berührte, fühlte er infolge der Entladung einen heftigen Schlag, stark, daſs Arme oder Schultern davon erschüttert wurden. Trotzdem is Kleist der Entdecker des Apparates ist, wird derselbe nicht nach in benannt, da er die Bedingungen seiner Wirksamkeit nicht erkannte. I dem Kleistschen Versuche bildete das Quecksilber mit dem Drahte in Kollektor, die Hand den Kondensator; Kleist aber glaubte nicht, daſs wesentlich sei, in das Innere der Flasche eine leitende Substanz zu ingen, oder die Flasche in der Hand zu halten.

¹⁾ Man sehe Fischers Geschichte der Physik. Bd. V, S. 491 ff.
WELLER, Physik. IV. 4 Aust. 24

Diese wesentlichen Bedingungen wurden aber sofort von dem dischen Physiker Musschenbroek erkannt, als zufällig ein gewisser zu Leyden dieselbe Beobachtung machte und sie Musschenbroek m Musschenbroek wiederholte den Versuch und beschrieb ihn mit alle zelnheiten dem französischen Physiker Nollet¹), welcher ihn dar Leydener Versuch und den Apparat die Leydener Flasche nannte. teren Namen hat die Ladungsflasche seitdem behalten.

Der Leydener Flasche wurde bald die Form gegeben, welc noch jetzt hat. Ein Glascylinder von der Form der gewöhnliche



machgläser Fig. 85, von überall möglichst förmiger Glasdicke wird inwendig und aus bis etwa 0,66 oder 0,75 seiner Höhe mit S belegt, indem man den Stanniol auf seiner Seite mit Kleister bestreicht und ihn dans auf das Glas aufdrückt. Das freibleibend wird bis oben hin innen und außen mit Sieg firnis bestrichen, um die Oberfläche besser iso Das Glas wird mit einem Decl zu machen. trocknem Holze versehen. Durch die Mit Deckels reicht ein starker Messingdraht Flasche hinein, welcher durch die Reibung Holzplatte getragen wird. Der Draht steht an Seiten einige Centimeter aus der Platte hervo äußere Ende des Drahtes trägt eine Kugel, zur Aufnahme der Elektricität mit dem Kon der Elektrisiermaschine in leitende Verbindu

bracht wird. Von dem innern Ende des Drahtes hängt eine Messin herab bis auf den Boden der Flasche, welche die innere Belegu dem Drahte in leitende Verbindung bringt.

Zur Benutzung der Flasche wird der Knopf derselben, die des Drahtes, mit dem Konduktor der Elektrisiermaschine verbunde die äußere Belegung mit der Erde in leitende Verbindung geset durch, daß man sie in der Hand hält oder auf eine leitende Un stellt, oder auf andere Weise. Die innere Belegung dient son Kollektorplatte, die äußere als Kondensator. Man bezeichnet auch bei Ladungsapparaten anderer Form gewöhnlich die Kollekto als innere, den Kondensator als äußere Belegung.

Die Flasche kann positiv oder negativ geladen sein; diese B nung bestimmt immer die Art der der innern Belegung zugel Elektricität; ist dieselbe positiv, so heißt die Flasche positiv gela

Die zweite, aber weit weniger angewandte Form des Ladungsaplist die Ladungsplatte oder Franklinsche Tafel. Letztern Namen fül Apparat, weil Franklin es war, welcher ihm zuerst diese Form gal Franklinsche Tafel besteht aus einer meist viereckigen Platte von Fglas, welche auf ihren beiden Seiten bis auf 3 cm etwa vom Ran Stanniol beklebt ist. Die von Stanniol freie Fläche des Glases wir bei der Leydener Flasche, mit Siegellackfirnis bedeckt. Um den A

¹⁾ Mémoires de l'Acad. de Paris 1746.

quem laden zu können, ist meist an dem Stanniol jeder Seite ein Draht Mestigt, welcher bis über den Rand der Platte hervorsteht. Natürlich and die Drähte möglichst weit von einander entfernt. Die Benutzung er Ladungsplatte ist dieselbe wie diejenige der Leydener Flasche.

Du nach §. 56 die Wirksamkeit eines Ansammlungsapparates mit ihr Größe der Platten zunimmt, nicht allein, weil ein größerer Apparat mehr Elektricität aufnehmen kann, sondern weil auch die Verstärkungsmahl größer wird, so wird man, um starke Ladungen zu erhalten, große Flaschen anwenden. Die Größe der Flaschen bestimmt sich nach derimigen der innern Belegung; es giebt Flaschen der verschiedensten Größe, mach oben hin ist die Größe derselben aber durch die Schwierigkeit, proße Gefäße oder Glasplatten herzustellen, begrenzt, die größten Flaschen ind vielleicht solche von 0,333 qm. Belegung.

Um noch größere Ladungsapparate zu erhalten, stellt man die eineinen Flaschen oder Platten zu Batterien zusammen, indem man die
sämtlichen Flaschen auf eine leitende Unterlage stellt und die Knöpfe
durch Drähte mit einander in leitende Verbindung bringt. Diese Verbindung wirkt allerdings nicht so wie eine einzelne Flasche von gleicher
imerer Belegung, da durch die Verbindung nicht die Verstärkungszahl
bir einzelnen Flaschen wächst, sondern sie wirkt nur dadurch, daß eine

rößere Fläche die Elektricitat aufnimmt. Da man unehmen darf, dass jede Flasche in der Batterie benso viel Elektricität ufnehme, als wenn sie llein steht, so ist die Wirksamkeit einer aus Flaschen gleicher Größe bergestellten Batterie einach der Flaschenzahl proportional. Zugleich ergiebt sich daraus, dafs es bei Wirksamkeit einer Batterie nicht allein auf die Größe der gesamten inneren Belegung, sondern augleich auf die Größe der einzelnen Flaschen anlommt. Bei gleicherinnerer Belegung kann die Batterie m so mehr Elektricität ufnehmen, je weniger



Flaschen sie enthält.

Eine sehr bequeme Anordnung mehrerer Flaschen zu einer Batterie, welche sehr schnell die zu den Versuchen angewandte Flaschenzahl zu indern gestattet, hat Riess 1) angegeben. Auf einer mit Stanniol über-

¹⁾ Riess, Reibungselektricität. Bd. I, §. 363.

zogenen, auf Glasfüsen stehenden Holzscheibe (Fig. 86) stehen 7 Flaschen Die Verbindungsdrähte der an der Peripherie stehenden Flaschen sind is Gelenken drehbar, so dass sie an die Kugel der mittleren Flasche augelegt oder, um die Verbindung zu unterbrechen, von ihr fort gedrekt werden können. Die Kugel der mittleren Flasche hat an den Stellen, wo die in kleinen Kugeln endenden Verbindungsdrähte anliegen, kleine halbkugelförmige Vertiefungen. An der Fussplatte ist eine Klemmschraube befestigt, welche den ableitenden Draht aufnimmt. Das von der mittleren Kugel ausgehende gebogene Metallrohr dient zur Entladung der Batterie.

Die Ladung geschieht einfach dadurch, dass man den Konduktor der Elektrisiermaschine mit der mittleren Kugel durch einen Leitungsdraht in Verbindung setzt, den man nach der Ladung isoliert abhebt.

Man kann eine Batterie, wenn die äußeren Belegungen der Flaschen nicht in leitender Verbindung stehen, noch in anderer Weise rascher, aber nicht so stark laden. Kann nämlich jede Flasche der Batterie die Elektricitätsmenge E aufnehmen, und hat man n Flaschen, so wird die Batterie in der angegebenen Weise erst geladen sein, wenn man die Elektricitätsmenge n. E in dieselbe eingeführt hat. Stellt man aber die Flaschen von einander und von dem Erdboden isoliert, verbindet die innere Belegung der ersten Flasche mit dem Konduktor der Maschine, die äußere Belegung aber mit der inneren der zweiten, die äußere der zweiten mit der inneren Belegung der dritten Flasche u. s. f. und die äußere Belegung der n. Flasche erst mit der Erde, so ladet die auf der äußeren Belegung der ersten Flasche erregte Influenzelektricität der zweiten Art die zweite Flasche, und so die auf jeder äußeren Belegung der vorhergehenden Flasche erregte Influenzelektricität der zweiten Art die nachfolgende Flasche. Die Batterie ist dann schon geladen, wem wir in die erste Flasche die Elektricität E übergeführt haben. Die Ledung ist aber jetzt nicht so stark, denn während die Batterie bei der direkten Ladung die Menge n. E enthält, hat sie jetzt bedeutend weniger. Wird nämlich durch die Menge +E auf der inneren Belegung in der äußeren die Elektricitätsmenge \pm mE influenziert, so fließt in die zweite Flasche die Elektricität $+ mE_i$ diese influenziert auf der äußeren Belegung $+ m^2 E$, und in die dritte Flasche fließt $+ m^2 E$ und so fort, so dass in die n. Flasche die Elektricitätsmenge $+m^{n-1}E$ übersließt. Die gesamte Ladung ist also

$$E(1+m+m^2+\cdots m^{n-1})=E\frac{1-m^n}{1-m},$$

ein Ausdruck, welcher, sobald m kleiner als 1 ist, kleiner ist als n, der sich aber um so mehr n nähert, je mehr m = 1 ist.

Eine so zusammengestellte Batterie nennt man Kaskadenbatterie.

Ebenso wie die Größe der Flasche ist auch die Dicke und die Natur des starren Isolators von Einfluß. Je weniger dick das Glas ist, um 50 stärker kann die Flasche geladen werden, da mit Annäherung der elektrischen Schichten die Verstärkungszahl zunimmt.

Wird die Glasdicke zu klein genommen, so kann man den Ladungsapparat oft nicht bis zu der Grenze laden, welche er seiner sonstigen Beschaffenheit nach annehmen kann, da dann die Anziehung der auf den elegungen vorhandenen Elektricitäten so groß ist, dals sie den Isolator urchbrechen und durch den Isolator hin sich ausgleichen.

Die Stärke der Ladung, welche ein Ladungsapparat erhalten, d. h. ie Elektricitätsmenge, welche er aufnehmen kann, läßt sich direkt, ohne kenntnis der Verstärkungszahl, nicht bestimmen; dagegen-läßt sich leicht mit Hilfe des Elektroskopes erkennen, ob ein Apparat geladen ist, und elbst, wenn man weiß, welche Dichtigkeit z. B. der Knopf einer Flasche machmen kann, welchen Bruchteil der möglichen Ladung die Flasche antenommen hat.

Um die Ladung durch das Elektroskop nachweisen zu können, muß man wissen, welches die innere Belegung ist, d. h. welche Belegung vorber mit der Erde in leitender Verbindung war. Denn nur auf der nicht mit der Erde verbundenen Belegung ist an den der anderen Belegung sicht gegenüberliegenden Stellen Elektricität vorhanden. Weiß man das nicht, so muß man während oder ehe man die eine Fläche an das Elektroskop anlegt, die andere ableitend berühren. Denn welche Belegung man auch anlegt, jedenfalls muß dann das Elektroskop Elektricität angeben, wenn der Apparat geladen ist. Hat man nämlich der inneren Begung die Elektricität E mitgeteilt, während die äußere ableitend berührt var, so hat dieselbe, z. B. der Knopf einer Leydener Flasche, einen betimmten Wert der Potentialfunktion, während die äußere Seite, die insere Belegung den Potentialwert null hat.

Nun werde der Knopf ableitend berührt; da auf der äußeren Begung durch Influenz die Menge — mE erregt war, so wird es dasselbe ein, als hätte man derselben, während der Knopf abgeleitet war, die lenge — mE erteilt, wodurch dann die innere Belegung die Menge $+ m^2E$ whalten hätte, welche sie deshalb auch nach der ableitenden Berührung whalten wird. Jetzt wird also das Elektroskop an der äußeren Belegung lektricität anzeigen, an der inneren nicht. Berührt man dann die äußere belegung wieder, so bleibt auf dieser — m^3E zurück, und die innere

eigt wieder die Ladung an u. s. f.

Wie man sieht, kann man auf diese Weise dem Ladungsapparate urch successive Berührung der einzelnen Flächen sämtliche Elektricität thmen.

An einem gegebenen Ladungsapparate ist die Dichtigkeit an einem estimmten Punkte der inneren Belegung, z. B. am Knopfe, ein Maß für e der Flasche erteilte Ladung, indem in demselben Verhältnisse, als die adnng zunimmt, auch die Dichtigkeit aller einzelnen Punkte zunimmt. In die Stärke zweier Ladungen zu vergleichen, hat man also nur die chtigkeiten am Knopfe der Flasche etwa mit einem Prüfungskörper zu tersuchen. Bequemer aber ist es noch, die Flaschen während der Lang mit einem Elektrometer zu verbinden und so jedesmal die Potentialnktionen zu messen, bis zu welchen die Flasche geladen ist.

Andere Methoden zur Bestimmung der Ladung werden wir später

Zweites Kapitel.

Die Entladung der Elektricität und deren Wirkungen.

§. 59.

Die Entladung der Elektricität. Wir haben bereits im §. 29 gesehen, daß ein elektrisierter Körper sofort seine Elektricität verliert, wenn er mit der Erde in leitende Verbindung gesetzt wird; diese rasche Abnahme der Elektricität bezeichnet man als die Entladung derselben. Es ist jetzt unsere Aufgabe, die Vorgänge bei dieser Entladung und die Wirkungen der Elektricität während derselben zu betrachten.

Die Entladung selbst haben wir damals als ein Abfließen der Elektricität durch die leitenden Körper angesehen, indem wir sahen, daß stets, wenn ein weniger elektrischer Körper mit einem elektrisierten Körper in Verbindung gebracht wird, ein Teil der Elektricität auf den weniger elektrischen Körper übergeht. Während der Entladung selbst findet also eine Bewegung der Elektricität durch den leitenden Körper statt, indem dieselbe von Punkten größerer zu Punkten geringerer Dichtigkeit sich hinbewegt. Diese bewegte Elektricität bezeichnet man als den Entladungstrom. Ein solcher Strom tritt jedesmal dann ein, wenn wir einen Körper, dessen Potentialniveau höher ist, mit einem anderen von niedrigerem Potentialniveau in leitende Verbindung setzen, eine vollständige Entladung aber nur dann, wenn wir den elektrisierten Körper mit der Erde verbinden, deren Potentialniveau immer null ist.

Der Entladungsstrom dauert so lange, als der ableitend berührte Körper noch Elektricität enthält; die Zeit ist bei der Entladung eines einfach elektrisierten Körpers jedenfalls nur sehr klein; wir werden später suchen sie zu messen und zu bestimmen, ob nach der Beschaffenheit des ableitenden Körpers die Dauer verschieden ist. Nach den Erfahrungen, welche uns zu der Unterscheidung der Körper in Leiter und Halbleiter führten, werden wir indessen zu der Annahme berechtigt sein, daß ein solcher Unterschied in der Dauer der Entladung je nach Art des ableitenden Körpers vorhanden ist.

Noch eine andere Entladung haben wir bereits kennen gelernt, welche dann eintritt, wenn zwei mit entgegengesetzten Elektricitäten geladene Körper mit einander in leitende Verbindung gebracht werden. Infolge der Anziehungen der beiden Elektricitäten gehen dieselben durch den Leitungsdraht zu einander über und gleichen sich aus. Eine solche Entladung findet z. B. statt, wenn wir den Konduktor einer Elektrisiermaschine mit dem Reibzeuge verbinden und die Maschine in Thätigkeit versetzen, oder auch, wenn wir die innere Belegung eines Ladungsapparates mit der äußeren leitend verbinden. Im ersten Falle fließt die in jedem Augenblicke auf dem Konduktor erregte positive Elektricität zum Reibzeuge, die auf dem Reibzeuge erregte dagegen auf den Konduktor ab. In den Ladungsapparaten geht die Elektricität der inneren Belegung zur äußeren, und die auf letzterer Belegung angesammelte zur inneren über. Denn sobald eine Verbindung von der inneren Belegung zur äußeren Belegung her-

estellt ist, tritt ein Teil der auf der inneren Belegung angesammelten dektricität in die Leitung über; deshalb ist dann auch an dem Punkte, so die Leitung die äußere Belegung berührt, die Dichtigkeit der Elekricität nicht mehr gleich null, da das nur so lange der Fall ist, als die mere Belegung alle ihr mitgeteilte Elektricität enthält. Es wird also auch von der äußeren Belegung Elektricität in den Leitungsdraht übergehen und infolgedessen die Dichtigkeit an dem Punkte der inneren Belegung, an welchem die Leitung angebracht ist, wieder zunehmen, so daß wis neue Elektricität von dort zur äußeren Belegung übergeht, und so

fort, bis der ganze Apparat entladen ist.

Hiernach würde in diesen Fällen der Entladungsstrom ein doppelter ein, ein Strom positiver Elektricität von der inneren zur äußeren Bebegung und ein Strom negativer Elektricität in entgegengesetzter Richtung. Man könnte zwar auch in diesen Fällen nur einen einfachen Strom sich denken, indem man annimmt, daß nur von dem Teile des Apparates, auf melchem die Elektricität die größere Dichtigkeit hat, und von welchem deshalb der Strom nach dem vorigen zuerst beginnt, die Elektricität zu dem anderen Teile übergehe und dort einfach die angesammelte Elektricität neutralisiere, daß also in allen Fällen ein Abfließen der Elektricität on Punkten größerer zu Punkten geringerer Dichtigkeit stattfinde. Es st indes wohl naturgemäßer, auch in dem zuerst betrachteten Falle, wo lie Elektricität einfach abzufließen schien, einen Doppelstrom wie in den etzten Fällen anzunehmen.

Es tritt nämlich in allen Fällen, wo eine Entladung stattfindet, dieselbe nicht erst dann ein, wenn die Berührung des Leitungsdrahtes mit den zu entladenden Körpern hergestellt ist, sondern schon früher, schon wenn noch eine Luftschicht zwischen dem ableitenden Drahte und dem an entladenden Körper vorhanden ist.

Nähern wir z. B. dem geladenen Konduktor einer Elektrisiermaschine inen Leitungsdraht, welcher an seinem, dem Konduktor genäherten Ende ine kleine Kugel trägt, so nehmen wir jedesmal einen Funken wahr, welcher mit knatterndem Geräusch zwischen den beiden Leitern überspringt, lieser Funke ist die Entladung der Elektricität, welche der Konduktor athielt; denn untersuchen wir nach dem Überspringen desselben die Dichgkeit der Elektricität auf dem Konduktor, so ist dieselbe sehr vermindert. be Bildung dieses Funkens ist nach der Theorie der Influenz dadurch ranlasst, dass in dem genäherten Leiter durch Influenz die entgegensetzte Elektricität erregt ist. Wenn dann an den genäherten Punkten e Dichtigkeit der Elektricitäten groß genug geworden ist, dann wird folge der gegenseitigen Anziehung die trennende Luftschicht durchbrochen. is in der That dieses die Entstehungsweise des Funkens ist, dass bei n also eine entgegengesetzte Bewegung beider Elektricitäten stattdet, das folgt daraus, dass die Funkenbildung nur eintritt, wenn dem induktor ein Leiter, nicht aber, wenn ihm ein Nichtleiter genühert wird. letzterem tritt aber die Influenzelektricität wegen der geringen Beweghkeit nur in sehr geringem Masse auf.

Es wird also in allen Fällen, auch wenn einem elektrisierten Leiter neutraler Leitungsdraht genähert wird, eine entgegengesetzte Bewegung d Ansgleichung der beiden Elektricitäten angenommen werden müssen, also ein doppelter Entladungsstrom. Trotzdem spricht man bei demselben von einer bestimmten Richtung; sagt z. B. er geht von der innern Belegung zur äußern, vom Konduktor zur Erde; man bezeichnet dabei immer als die Richtung des Stromes die Richtung, nach welcher die positive Elektricität sich bewegt.

Eine genauere theoretische Verfolgung der Art und Weise, wie der Strom entsteht und verläuft, ist uns wegen der großen mathematischen Schwierigkeiten, welche die Behandlung dieses Gegenstandes bietet, nicht möglich¹), wir begnügen uns hier mit der experimentellen Untersuchung der dahin gehörigen Fragen und werden nach Behandlung der konstanten Ströme kurz auf die theoretischen Entwicklungen zurückkommen.

Wie erwähnt, tritt in allen Fällen die elektrische Entladung schon vor der Berthrung des Leiters mit dem elektrisierten Körper in Form eines Funkens auf; man bezeichnet diese Entladung als Entladungsschlag, und nennt die Entfernung, aus welcher der Funke überspringt, die Schlagweite. Man überzeugt sich leicht, dass die Schlagweite sehr verschieden ist, je nach der Dichtigkeit der Elektricität an den Punkten, an denen die Entladung stattsindet. Ladet man einen Konduktor und nähert ihm dann einen zur Erde abgeleiteten Draht, dessen Ende eine Kugel trägt, einen sogenannten Funkenzieher, so tritt die Entladung bei um so größerem Abstande der Kugel vom Konduktor ein, je mehr Elektricität dem Konduktor gegeben ist, je größer also die Dichtigkeit der Elektricität oder der Potentialwert auf dem Konduktor ist. Dasselbe zeigt sich bei den Ladungsapparaten, je größer die Dichtigkeit der Elektricität auf der innem Belegung, z. B. auf dem Knopse der Leydener Flasche ist, um so größer ist auch die Schlagweite.

In welcher Weise der Abstand der Leiter, bei welchem schon die Entladung eintritt, also die Schlagweite mit der Dichtigkeit verknüpft ist, darüber hat man mehrfache Versuche angestellt. Aus den Versuchen von Lane, Harris²) und insbesondere denen von Riess³) am einfachen Ansammlungsapparate und an Leydener Flaschen leitete man das Gesetz ab, daß die Schlagweite, bei gleichem Zustande der zwischen dem Entlader und dem elektrischen Körper vorhandenen Luftschicht, einfach der elektrischen Dichtigkeit an der Entladungsstelle, also dem Potentialwerte auf der innem Belegung proportional sei.

Zur Untersuchung der Schlagweite wandte Riess das Funkenmikrometer an. Auf einem schweren Metallfusse A (Fig. 87) ist eine 7,5 cm lange, 2,5 cm breite Metallplatte befestigt, auf welcher ein horizontal liegender Schlitten durch eine Mikrometerschraube fortbewegt wird. Ein 6 cm langer Glasstab ist an dem einen Ende der Platte, ein anderer ebensolcher auf dem Schlitten vertikal befestigt; jeder trägt einen vertikalen Metallzapfen und eine horizontale Klemmschraube, in welche die Leitungsdrähte eingeschraubt werden. Auf den Metallzapfen werden die Körper,

Man sehe über diesen Gegenstand: Helmholtz, die Erhaltung der Kraft Berlin 1847. Kirchhoff. Poggend. Ann. Bd. C, CII, CXXI. Thomson, Philos Magazin. 4. Series. Bd. V. Reprint of papers on electrostatics etc.
 Harris, Philosophical Transactions f. th. year 1834.

³⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. XL, Lill, LXXIII. Reibungselektricität Bd. L §. 330 ff. und §. 393.

wischen welchen man die Funken überspringen lassen will, also Kugeln der dergl. aufgesteckt. Die Entfernung der Kugeln wird durch eine Teilung

uf dem Schlitten, einen Nonius auf der Metallplatte und durch die Teilung auf dem Kopfe der Mikro-

meterschraube gemessen.

Bei seinen Versuchen mit dem Ansammlungsapparate verfuhr Riess folgendermaßen. Die festtebende Kugel wurde mit der Kollektorscheibe eines
großen, aus zwei kreisförmigen Platten bestehenden
Ansammlungsapparates durch einen Metalldraht in
leitende Verbindung gebracht, während die bewegliche Kugel mit den Gasröhren des Hauses, zu welchen auch die Kondensatorplatte abgeleitet war,
leitend verbunden wurde.

Darauf wurde die Kollektorplatte geladen, zualchst wenn sie allein stand, und die Schlagweite
bestimmt, indem mit der Mikrometerschraube die bewegliche Kugel der festen so weit genähert wurde,
bis der Funke übersprang, und an der Teilung der
Abstand der Kugeln bestimmt. Dann wurde ganz



genau ebenso verfahren, wenn die Kondensatorplatte der Kollektorplatte, nachdem letztere geladen war, gegenüberstand, also die Dichtigkeit an der mit der Kollektorplatte verbundenen Kugel in einem aus der Verstärkungszahl des Apparates bekannten Verhältnisse vermindert war.

Um aus diesen Versuchen das Gesetz der Schlagweiten abzuleiten, maß bei jedem Versuche die Kollektorplatte immer dieselbe Elektricitätsmenge erhalten haben. Um das zu erreichen, wandte Riess zur Elektrisierung eine Leydener Flasche an, deren Knopf an das Ende des Zuleitungsdrahtes zur Kollektorscheibe angelegt wurde, während die äußere Belegung mit der Erde in leitender Verbindung stand. Es war durch Messung in der Torsionswage zunächst festgestellt worden, dass die Leydener Flasche bei jeder Berührung mit der Kollektorplatte 0,014 ihrer Elektricität abgab, indem gezeigt war, dass die Dichtigkeit am Knopfe nach jeder Berührung in dem Verhältnisse abnahm. Daraus, und weil in der Zeit zwischen den sinzelnen Ladungen die Leydener Flasche durch Zerstreuung an Elektricität verlor, folgt, dass bei jeder folgenden Ladung die Kollektorscheibe etwas weniger Elektricität erhielt als bei der vorhergehenden. Wegen der Zerstreuung liefs sich dieser Unterschied nicht durch Rechnung bestimmen. Um die dadurch unvermeidliche Ungenauigkeit zu eliminieren, machte Riess zur Bestimmung des Verhältnisses der Schlagweiten bei einer bestimmten Entfernung der Scheiben eine Anzahl Versuche, indem er zuerst die Schlagweite bei entferntem, dann bei genähertem, dann wieder bei entferntem, wieder bei genähertem Kondensator bestimmte u. s. f. Das Mittel der ersten und dritten Ladung der Kollektorscheibe wird dann gleich der zweiten, das Mittel zwischen der zweiten und vierten gleich der dritten ladung sein u. s. f. Die Vergleichung des ersten Mittels mit der ersten Schlagweite bei vorgesetztem Kondensator, des zweiten Mittels mit der weiten Entladung bei entferntem Kondensator, wird das richtige Verfältnis der Schlagweiten liefern.

Zum bessern Verständnis lassen wir hier eine Versuchsreihe von Riess vollständig folgen. Die Entfernung der Scheiben bei vorgesetzter Kondensatorscheibe betrug 4,5 mm.

Schlagwei	te in mm		
Ohne Kondens.	Mit Kondens.	Mittel	Verhältnis
3,278			
	0,337	3,143	0,106
3,008		0,320	0,106
100	0,303	2,932	0,104
2,857	100000	0,295	0,104
	0,292	2,799	0,105
2,742		0,287	0,105
	0,283		0,105.

Wird also die Schlagweite ohne Kondensator gleich 1 gesetzt, so wird sie, wenn der Kondensator der Kollektorscheibe in einem Abstande von 4,5 mm gegenübergestellt wird, auf 0,105 verkleinert. Für andere Abstände der beiden Scheiben erhielt Riess folgende Werte:

Entfernung der Scheiben
$$\infty$$
 112,8 67,8 45,2 22,6 11,3 4,5 Schlagweiten 1 0,914 0,794 0,687 0,451 0,272 0,105.

Die direkt mit Hilfe von Prüfungsscheiben gefundenen Werte für die Dichtigkeiten am Ende des Zuleitungsdrahtes der Kollektorscheibe, wenn die Kondensatorscheibe vorgesetzt war, jene bei entferntem Kondensator gleich 1 gesetzt, waren:

Entfernung der Scheiben
$$\infty$$
 112,8 45,2 22,6 11,3 4,5 Dichtigkeiten 1 0,897 0,683 0,492 0,335 0,173.

Die beiden Reihen für die Schlagweiten und die Dichtigkeiten am Ende des Zuleitungsdrahtes unterscheiden sich besonders bei den größeren Entfernungen nicht wesentlich von einander; Riess schließt daher, daß die Schlagweiten an einem Punkte der innern Belegung eines Ansammlungsapparates der elektrischen Dichtigkeit in diesem Punkte proportional seien. Daß bei den kleineren Schlagweiten die Werte etwas anders werden, meint Riess, habe darin seinen Grund, daß durch die Nähe der beweglichen Kugel die Dichtigkeit auf der festen etwas geändert würde.

Dieses von Riess aus seinen Versuchen abgeleitete Gesetz folgt schon aus der Theorie des Ansammlungsapparates. Ist die innere Belegung desselben bis zu einer Dichtigkeit h geladen, so ist auf der äußern Belegung, auf welcher die Potentialfunktion gleich null ist, eine dem Werte h proportionale Dichtigkeit negativer Elektricität vorhanden. In den Kugeln des Funkenmikrometers, welche sich im Abstande r gegenüber stehen ziehen sich somit die auf den beiden Kugeln vorhandenen Elektricitäten mit einer dem Quadrate von h proportionalen Kraft an, da in demselben Maße, wie auf der positiven Kugel h wächst, auch die Dichtigkeit auf der negativen Kugel zunimmt. Im Abstande r der beiden Kugeln ist daher die Anziehung proportional $\frac{h^2}{r^2}$. Nehmen wir nun an, daß, welches auch der Abstand r sei, stets dieselbe Anziehung nötig sei, damit die Elektricität

in Form eines Funkens die Luft durchbreche, so muß stets h2 denselben

Wert haben, also h und r einander proportional sein.

Man erkennt auch, dass wenn durch Influenz der beiden Kugeln auf einander, in sehr geringen Entfernungen, die Verteilung der Elektricität auf dem Ansammlungsapparat etwas geändert wird, die Schlagweite nicht mehr den mit den Prüfungsscheiben gemessenen Dichtigkeiten genau proportional sein kann.

Man wird deshalb das Gesetz der Schlagweiten der obigen Entwicklung entsprechend auch prüfen können, indem man direkt die Kugeln des Funkenmikrometers etwa mit den Elektroden einer Holtzschen Maschine in Verbindung setzt und die Dichtigkeit in den Kugeln bestimmt, wenn der Funke überspringt. In dieser Weise hat Rossetti1) das Gesetz geprüft; er brachte die Kugeln des Funkenmikrometers in verschiedene Abstände von einander und zählte die Umdrehungen, welche die Scheibe der Holtzschen Maschine machen mußte, damit zwischen den Kugeln des Funkenmikrometers die gleiche Anzahl von Funken übersprang. Da die Holtzsche Maschine unter sonst gleichen Umständen bei jeder Umdrehung die gleiche Elektricitätsmenge liefert, ist die Dichtigkeit der Elektricität auf den Kugeln beim Überspringen eines Funkens der Zahl der zur Errugung des Funkens erforderlichen Umdrehungen proportional. Rossetti and in dieser Weise, dass bis zu einer Schlagweite von 8 mm die Zahl der Umdrehungen für die gleiche Funkenzahl genau der Schlagweite proportional war, dass dagegen bei weiterer Vergrößerung der Schlagweite die notwendige Zahl der Umdrehungen für die gleiche Funkenzahl nicht so rasch zunahm als die Schlagweite. Wir werden nachher, bei Besprechung der Versuche von Rijke sehen, wie Riess diese Abweichug erklärt. Ähnliche Resultate wie Rossetti erhielt auch Gaugain2).

In anderer Weise fand dagegen Rossetti das Gesetz der Schlagweiten strenge bestätigt. Wir sahen früher, dass in einem Ansammlungsapparat bi gegebener Potentialfunktion die Dichtigkeit der Elektricität dem Absande der parallelen Flächen umgekehrt proportional ist. Verbinden wir die Platten eines Ansammlungsapparates mit den Kugeln des Mikrometers. w ist auf diesen die Dichte der Elektricität der Potentialfunktion der geladenen Platte proportional; es folgt somit, dass bei konstanter Stellung der Kugeln die zur Erzeugung eines Funkens dem Ansammlungsapparate wzuführende Elektricität dem Abstand der Platten umgekehrt proportional

sein muß, ein Satz, den Rossetti genau bestätigt fand. Aus diesem Gesetze folgt weiter, dass die Schlagweite eines Ladungsapparates, also z. B. einer Batterie, wenn sie immer an derselben Stelle der innern Belegung entladen wird, der mittleren Dichtigkeit der Elektricität in der Batterie proportional ist. Denn bei einer gegebenen Batterie st die Dichtigkeit eines gegebenen Punktes der mittleren Dichtigkeit der Elektricität in der Batterie proportional; wenn also die Schlagweite der Dichtigkeit der Elektricität an dem Entladungspunkte proportional ist, so

folgt auch, dass sie der mittleren Dichtigkeit der Batterie proportional ist.

¹⁾ Rossetti, Nuovo Comento, 2 series Bd. V und VI, Bd. VII und VIII. 2) Gaugain, Ann. de chim. et de phys. 4 série T. VIII.

Bezeichnen wir demnach, nach irgend einer Einheit gemessen, die einer Batterie von s Flaschen gegebene Elektricitätsmenge mit q, so id die Dichtigkeit der Elektricität in derselben, wenn wir als Einheit der Oberfläche einer Flasche annehmen, $\frac{q}{s}$. Ist die Schlegweite derselben gleich d, so muß

$$d = a \cdot \frac{q}{8}$$

Riess¹) maß nun durch ein demnüchst zu betrachtendes Mittel die Elektricitätsmengen q, welche der Batterie gegeben werden mußten, webestimmte Schlagweiten zu erhalten, berechnete aus einigen Versuchen die Konstante a nach der Gleichung

$$a = d \cdot \frac{s}{q}$$

und dann mit der so gefundenen Konstanten in den folgenden Versucke die zur Erzielung einer bestimmten Schlagweite d notwendigen Elektrick tätsmengen aus

$$q = \frac{1}{a} \cdot s \cdot d.$$

Die Übereinstimmung zwischen Beobachtung und Rechnung zeig folgende kleine Tabelle; von 5 ganz gleichen Flaschen wurden entwede 2 oder 3 oder 4 oder alle 5 zu einer Batterie verbunden. Der Wert wa ergab sich aus

$$\frac{1}{a} = 0.833.$$

Die Einheit der Entfernung für die Schlagweiten ist 1,13 mm.

				Batter	ie von			
Schlagweite d	2 Flaschen		3 Flaschen		4 Flaschen		5 Flaschen	
	beob.	ber.	boob.	ber.	beob.	ber.	beob.	ber
1			3	2,5	3,5	3,3	4,3	4,2
2	3	3,3	5,5	5,0	7,0	6,7	8,5	8,3
3	4,6	5,0	8	7,5	10,1	10,0	12,5	12,5
4	6,4	6,7	10,3	10,0	13,5	13,3	16,0	16,7
5	7,5	8,0	'	•	16,0	16,7	•	İ

Wie man sieht, stimmen die beobachteten und unter Voraussetzu des Gesetzes berechneten Werte von q sehr gut mit einander übere so dals hiernach der Schlus berechtigt erscheint, dass in der That of Schlagweiten der mittlern elektrischen Dichtigkeit in der Batterie piportional seien.

¹⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. XL

Gegen diese Schlussfolgerung wandte Rijke¹) ein, das Riess die hlagweiten nicht bis zu den kleinsten Entfernungen der beiden Kugeln rfolgt habe, dass die kleinste von Riess beobachtete Schlagweite 1,1 mm trage. Wenn man dagegen Schlagweiten von 0,5 mm und darunter mit Betracht ziehe, so erkenne man, dass jenes einfache Gesetz nur eine ste Annäherung sei, dass in Wirklichkeit Dichtigkeit der Elektricität ad Schlagweite in einem verwickelteren Verhältnisse zu einander ständen. us einer großen Zahl mit äußerster Sorgfalt durchgeführter Versuche itete er folgenden die Dichtigkeit und Schlagweite mit einander vernüpsenden Ausdruck her. Bezeichnet δ die Dichtigkeit der Elektricität der Batterie und d die Schlagweite derselben, so ist

$$\delta^2 = ad + b \cdot d^2,$$

dass also die Schlagweite nicht der Dichtigkeit proportional zunimmt, ondern rascher, d. h. also, dass der doppelten Dichtigkeit mehr als die oppelte Schlagweite, der halben Dichtigkeit eine kleinere als die halbe

chlagweite entspricht.

Die Versuche von Rijke sind an einer Leydener Flasche nach zwei dethoden ausgeführt; die erste derselben war genau der letzten von Riess teich, die zweite entsprach der ersten Methode von Riess, indem zugleich die Schlagweiten und die Dichtigkeit der Elektricität an der innern Begung der Batterie bestimmt wurden. Um letztern Zweck zu erreichen, war die innere Belegung mit einem Sinuselektrometer verbunden; der Stand der Nadel des Sinuselektrometers im Augenblicke der Entladung gab die Dichtigkeit der Elektricität, auf eine willkürliche Einheit bewogen. Aus allen Versuchen ergiebt sich die oben erwähnte Beziehung gleich gut, wie z. B. folgende Zahlen zeigen:

1. Methode.			II.	Methode.	
Schlagwe	ite Dic	htigkeit	Schlagweite	e Dich	tigkeit
mm	beob.	ber.	mm	beob.	ber.
0,5	5,33	5,44	0,025	0,2047	0,2044
1	9,25	9,07	0,05	0,2988	0,2941
1,5	13,00	12,57	0,1	0,4213	0,4300
2	16,25	16,03	0,2	0,6345	0,6460
2,5	19,50	19,47	0,3	0,8251	0,8350
3	22,75	22,89	0,525	1,2328	1,2249
3,5	25,90	26,31	0,775	1,6679	1,6355
4	29,00	29,72	1,025	2,0248	2,0361.

Wie man sieht, stimmen diese Zahlen durchaus nicht mit dem von iess angenommenen Gesetze für die Schlagweiten überein. Einige andere ersuchsreihen lassen sich jedoch auch mit dem einfachen Gesetze sehr ohl vereinigen, so unter andern am meisten eine Reihe, bei welcher e Kugeln des Funkenmikrometers durch zwei kleine Kupferscheiben ertzt waren. Diese Reihe ist in folgender Tabelle zusammengestellt mit n nach dem einfachen und nach dem Gesetze von Rijke berechneten hlagweiten:

¹⁾ Rijke, Poggend. Ann. Bd. CVI.

Schlagweiten		Dichtigkeiten			
mm	beob.	ber. nach Riess	ber. nach Rijke		
0,5	4,73	4,21	4,88		
1,0	9,3 3	8,42	8,82		
1,5	13,00	12,63	12,73		
2,0	16,83	16,85	16,62		
2,5	20,50	21,05	20,51		
3,0	24,33	25,27	24,39		
3,5	28,00	29,48	28,28		
4	31,17	33,69	32,16.		

Rijke schließt aus diesen Versuchen, daß das einfache die Dichtigkeiten mit der Schlagweite verknüpfende Gesetz nicht richtig sei, daß vielmehr die oben angegebene Formel, wenn sie auch nicht der Ausdruck des physikalischen Gesetzes sei, doch die Versuche vollständig wiedergebe.

Mit dem ersten Teil dieses Schlusses hat sich Riess 1) nicht einverstanden erklären können, er glaubt dennoch, dass in Wirklichkeit die Schlagweite der mittleren elektrischen Dichtigkeit der Batterie proportional sei, dass aber dieses Gesetz sich in derartigen Versuchsreihen nie rein darstelle, weil stets an der mit der innern Belegung verbundenen Kugel des Funkenmikrometers durch die Anwesenheit der zweiten Kugel Dichtigkeitsänderungen eintreten; einmal dadurch, dass die Elektricität anders verteilt wird, dann aber auch vorzugsweise dadurch, dass dem eigentlichen Entladungsschlage ein Ausströmen der Elektricität vorhergehe. Dieses Ausströmen muss um so eher von Einfluss sein, wenn die Kugeln einander bedeutend genähert sind, und deshalb mitssen die Beobachtungen um so mehr von dem Gesetze abweichen, von je kleineren Schlagweiten man ausgeht.

Rijke³) glaubt dagegen, dieses Ausströmen nicht in jener Regelmäßigkeit annehmen zu können, wie Riess es thut, und erkennt deshalb die Unrichtigkeit seiner Schlußfolge nicht an. Indes wird man der Bemerkung von Riess doch wohl beipflichten müssen, da es sonst kaum verständlich ist, daß die für größere Schlagweiten erforderlichen Elektricitätsmengen relativ kleiner sind als die für kleine Schlagweiten, während doch die Influenz der einander nahestehenden Kugeln des Funkenmikrometers den entgegengesetzten Einfluß haben müßte. Unter den von Rijke gewählten Umständen der Versuche stellt selbstverständlich die Rijkesche Formel die Beobachtungen besser dar, weil eben durch dies Ausströmen der Elektricität vor dem Entladungsschlage die Dichtigkeit kleiner geworden ist.

Zu durchaus von denen von Riess sowohl als denen von Rijke abweichenden Resultaten gelangte später von Oettingen³); nach dessen Beobachtungen läßt sich die Schlagweite auch nicht annähernd der Dichtigkeit proportional setzen, und ebensowenig läßt sich die Beziehung zwischen Schlagweite und Dichtigkeit durch die hyperbolische Gleichung Rijkes darstellen. Oettingen maß nicht wie Rijke die Potentialfunktion des Ladungs-

¹⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. CVI, CVIII, CIX.

²⁾ Rijke, Poggend. Ann. Bd. CVII, CIX.

⁸⁾ von Oettingen, Poggend. Ann., Jubelband.

pparates im Momente der Entladung, sondern wie Riess, jedoch nach iner andern im §. 82 angegebenen Methode die für eine bestimmte Schlagweite der Batterie zu gebende Ladung. Folgende Tabelle enthält einige Beobachtungen von von Oettingen über die zu den Entladungen einer und derselben Flasche in den in Spalte I angegebenen Schlagweiten erforderlichen Elektricitätsmengen q. In der dritten Spalte sind die Quotienten aus q und der Schlagweite d gegeben, welche nach Riess konstant sein sollten, in der vierten die mit der Rijkeschen Formel berechneten Werte von q, welche, da stets nur eine Flasche genommen wurde, der Dichtigkeit d proportional sind. Die Konstanten der Rijkeschen Formel sind

$$a = 162,57, b = 2,57.$$

In der fünften Spalte sind die nach der von von Oettingen aufgestellten Formel

$$q = a \log (1 + cd)$$

mit den Konstanten

$$a = 140,4, c = 0,1$$

berechneten Werte von q angeführt.

I	II	Ш	IV	V
2 m	m 11,7	5,85	18,3	11,1
4,	20,5	5,125	26,3	20,5
8 "	36,3	4,537	38,3	36,0
12 ,,	407	4,06	48,2	48,1
16 "	57,1	3,57	57,1	58,3
20 "	66,1	3,30	65,4	67,0
24 "	74,2	3,09	73,3	74,6
28 "	81,6	2,91	81,0	81,4
32 "	87,5	2,73	88,5	87,5

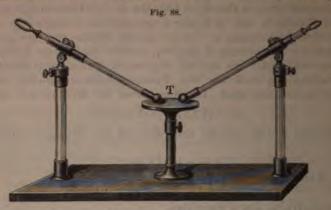
Man sieht, die Differenz zwischen den Beobachtungen von Oettingens einerseits und denen von Riess und Rijke andererseits ist eine derartige, daß es inmöglich ist, dieselben durch irgend welche Deutung mit einander in Eindang zu bringen. Weitere Versuche müssen über diese große Differenz Auflärung bringen. Vorläufig müssen wir es ganz unbestimmt lassen, welche Beziehung zwischen der Potentialfunktion der Ladung und der Schlagreite besteht.

Die einer bestimmten elektrischen Dichtigkeit der Batterie entsprehende Schlagweite ist unabhängig von dem Schließungsbogen, d. h. von er Beschaffenheit der die Kugeln des Funkenmikrometers mit den Begungen verbindenden Drähte. Es folgt das schon daraus, daß die Schlageite von der Dichtigkeit der Elektricität in der Batterie abhängt, diese er unabhängig ist von dem Schließungsbogen.

Riess¹) hat diesen Satz durch direkte Versuche bestätigt; er verband e eine der Kugeln eines Funkenmikrometers durch einen Kupferdraht it der innern Belegung einer Batterie, die andere mit dem einen Arme nes allgemeinen Ausladers, dessen anderer Arm mit der äußern Beleing der Batterie in Verbindung stand.

¹⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. LIII. Reibungselektricität §. 627.

Der allgemeine Auslader ist ein Apparat, welcher den Zweck hat, in den Schließungsbogen einer Batterie beliebige Gegenstände, durch welch der Entladungsstrom hindurehgehen soll, einzuschalten. Er besteht (Fig. 88)



aus zwei Metallarmen, welche in Gelenken auf isolierenden Glasfüßen befestigt sind; die Arme sind in Hülsen eingesteckt, welche in den Gelenken beweglich sind, so daß sie in einer beliebigen Neigung festgestellt warden können; in den Hülsen können die Arme verschoben werden, so daß ihre Enden mehr oder weniger einander genähert werden können. Das Tischeben T in der Mitte zwischen den Glassäulen dient dazu, allenfalls die Gegenstände zu tragen, durch welche die Entladung stattfinden soll.

Die beiden Kugeln wurden nach einander verbunden durch einen 1,1 mm dicken, 9 mm langen Kupferdraht, einen 0,12 mm dicken, 2,766 m langen Platindraht, und durch eine mit destilliertem Wasser gefüllte Glasröhre von 10,17 mm Weite und 22,5 c Länge. Es wurde nun bei einer bestimmten Schlagweite die Elektricitätsmenge bestimmt, welche in den drei Fällen eine Entladung hervorbrachte. Dieselbe war in allen genan dieselbe, so dass sich daraus ergiebt, dass die Schlagweite von der Beschaffenheit des Schließungsbogens unabhängig ist.

Die Schlagweite ändert sich indes mit der Form und dem Material der Elektroden und besonders mit der Beschaffenheit der zwischen den Kugeln enthaltenen Luftschicht. Nach den Untersuchungen von Harris!) wird die Schlagweite um so kleiner, je dichter die Luft zwischen den Kugeln des Funkenmikrometers ist. Die Messungen wurden angestellt, indem eine Flasche, der immer dieselbe Ladung erteilt war, unter der Glocke der Luftpumpe bei verschiedener Verdünnung entladen wurde. Es ergab sich, dass unter sonst gleichen Umständen die Schlagweite der Dichtigkeit der Luft umgekehrt proportional ist.

Um zu untersuchen, ob diese Veränderung der Schlagweite in diebterer Luft von dem vergrößerten Drucke der Luft auf die Enden des Schließungsbogens herrühre, oder von der größern Menge Luft, welche sich zwischen denselben befand, wurden die Kugeln eines Ausladers in eine verschließbare Glaskugel gebracht, und die Elektricitätsmenge bestimmt,

¹⁾ Harris, Philosophical Transactions 1834.

larauf wurde die Kugel geschlossen und auf 148° C. erwärmt. Es fand ich dann, daß trotz der bedeutend erhöhten Spannung der abgeschlossenen auft die Entladung stattfand, wenn dieselbe Elektricitätsmenge in die Plasche übergeführt war. Wurde dagegen die Kugel erhitzt, als sie offen var, so nahm die Schlagweite zu, oder die Elektricitätsmenge, welche ine Entladung hervorbrachte, ab. Wurde die offene Kugel bei 148° geschlossen und auf 10° abgekühlt, so blieb die Schlagweite dieselbe. Es folgt daraus, daß die Schlagweite bei gleicher Dichte der Luft von dem Drucke und der Temperatur derselben unabhängig ist, daß also die durch vermehrte Dichtigkeit eintretende Verminderung der Schlagweite nicht in dem vermehrten Drucke der dichteren Luft, sondern darin ihren Grund hat, daß zwischen den Enden des Schließungsbogens eine größere Menge von Luft sich befindet.

Das auch mit der Natur des Gases sich die elektrische Schlagweite undert, ergiebt sich aus den Versuchen Faradays¹), welche an einem einfachen Konduktor angestellt sind. Er verband mit dem Konduktor einer Elektrisiermaschine einen Draht, welcher sich an einer Stelle gabelte. Beide Zweige des Drahtes trugen Kugeln ganz gleichen Durchmessers; der eine Zweig war luftdicht in eine Glasglocke geführt, welche mit einem beliebigen Gase gefüllt war. Beiden Kugeln standen größere, aber unter einander ganz gleiche Kugeln gegenüber, welche mit der Erde in leitender Verbindung standen. Der Abstand der Kugeln in der Glasglocke betrug 1,6 cm, der Abstand der in freier Luft befindlichen Kugeln konnte beliebig geändert werden.

Die Elektricität konnte somit auf zwei Wegen zur Erde kommen, und hatte auf beiden eine Luftschicht zu durchdringen; ist der Widerstand beider Luftschichten gleich, so wird sie abwechselnd auf beiden Wegen überspringen, ist er an einer Seite kleiner, so wird sie an dieser Stelle überspringen.

War in der Glocke Luft von der Dichtigkeit der äußeren, so sprang bei gleichen Abständen der Kugeln der Funke ebenso oft in der Glocke als außerhalb über, wurde der Abstand der äußeren Kugeln aber auf 2 cm vergrößert, so sprang der Funke immer bei den im Gefäße befindlichen Kugeln über. War indes in der Glocke ein anderes Gas, so mußte die Entfernung der äußeren Kugeln eine sehr verschiedene sein, um zu bewirden, daß der Funke immer in der Glocke übersprang. Während der Abstand in der Glocke immer 1,6 cm war, sprang bei einer Versuchsreihe dort der Funke immer über, als sie Wasserstoff enthielt, wenn die äußeren Kugeln 0,99 cm entfernt waren, als sie Chlorwasserstoff enthielt dagegen, wenn die außeren Kugeln 3,5 cm entfernt waren. Zu genauen Messungen ist diese Methode natürlich nicht geeignet, man darf aber daraus schließen, daß unter sonst gleichen Umständen die Schlagweite in den verschiedenen Gasen verschieden ist, sie ist nach obigen Angaben in Wasserstoff bedeutend größer, in Chlorwasserstoff bedeutend kleiner als in Luft²).

¹⁾ Faraday, Experimental Researches 12. ser. §. 1383 ff. Poggend. Ann. Bd. XLVII.

Denselben Gegenstand betreffende Versuche von Macfarlane sehe man Philos Magazin 5 series vol. X.

§. 60.

Messung der elektrischen Dichtigkeit einer Batterie. Nach im vorigen Paragraphen mitgeteilten Erfahrungen entspricht jeder Did tigkeit, also jedem bestimmten Potentialwerte der Elektricität eine bis stimmte Schlagweite, und die Versuche von Rijke setzen uns in den State aus den verschiedenen Schlagweiten einer Batterie bei den verschieden Ladungen die mittleren elektrischen Dichtigkeiten mit einander zu wigleichen. Dieses Mittel der Bestimmung der elektrischen Dichtigkeit indes einen Übelstand, nämlich den, dass die Messung der Dichtigkeit immzugleich die Batterie entladet, so dass man dadurch nicht imstande in der Batterie eine gewisse vorher bestimmte Dichtigkeit zu geben.

Man kann indes doch mit Hilfe der Entladungen in einer bestimmte Schlagweite die einer Batterie gegebene Elektricitätsmenge und somit die mittlere elektrische Dichtigkeit derselben bestimmen, indem man die in der äußeren Belegung erregte Influenzelektricität benutzt. Man leitet die selbe nicht direkt zur Erde ab, sondern läßt sie entweder an einer Stelle in einem Funken überspringen, oder führt sie erst in eine Leydener Flack, welche sich dann bei bestimmter Schlagweite von selbst entladet.

Hat man nur eine Leydener Flasche zu laden, so ist zu dieser Mesung das von Riess¹) angegebene Ladungsstativ sehr bequem. besteht aus einem auf isolierendem Glasfusse stehenden Metallteller, : welchem seitlich eine Kugel angebracht ist. Dieser gegenüber steht, auf einem Schlitten wie bei dem Funkenmikrometer verschiebbar, eine volkommen zur Erde abgeleitete Kugel. Bringt man diese in einen bestimmten Abstand von der ersten Kugel, so springt, wenn die von der äußeren Belegung auf den Teller übergehende Influenzelektricität der zweiten Art eine bestimmte Dichtigkeit erhalten hat, ein Funke über. Wenn die durch diesen Funken abgeleitete Elektricität wieder ersetzt ist, so springt ein neuer Funke über und so fort, so dass jeder überspringende Funke die Erregung einer bestimmten Menge von Influenzelektricität anzeigt. Da nun die erregte Influenzelektricität der Menge der erregenden proportional ist, so folgt auch, dass jeder Funke eine bestimmte Menge der Flasche gegebene Elektricität anzeigt. Setzt man deshalb die Menge der Elektricität, welche einen Funken veranlasst, gleich 1, so giebt die Anzahl der übergesprungenen Funken die Menge der der Batterie mitgeteilten Elektricität in einer bestimmten Einheit an. Man kann diese Einheit beliebig bestimmen, indem man die Schlagweite des Messapparates verändert. Je größer man die Schlagweite wählt, um so größer ist die zu Grunde gelegte Einheit.

Die beschriebene Methode läßt sich nur bei Ladung einer einzelnen Flasche gut anwenden, bei Ladung einer Batterie wendet man bequemer die Lanesche Maßflasche an²). Diese ist eine Leydener Flasche (Fig. 89), welche auf einer leitenden Bodenplatte aufgesetzt ist; auf derselben Platte neben der Flasche steht ein Glasfuß, welcher oben eine Messingröhre

. . . .

¹⁾ Riess, Reibungselektricität Bd. I, §. 359.

²⁾ Ricss, Poggend. Ann. Bd. XL. Reibungselektricität Bd. I, &. 386.

n der ein Messingstäbchen horizontal verschoben und mit einer hraube festgestellt werden kann. Das Stäbchen trägt eine Teilung.

dem Kopfe der Flasche zugewandten Ende des Stäbchens ist eine Kugel, an dem abgewandten Ende ein Ring befestigt. Um die Belegung ist unten ein Kupferstreifen herumgelegt, welcher an telle in der Nähe des Glasfusses einen kleinen Ring trägt. Der

es Streifens ist mit dem des ns durch einen dünnen Draht len. Bei feineren Apparaten mit der Mußeren Belegung ver-Kugel Mhlich wie bei dem mikrometer auf einem Schlitten t und kann mit einer Führe der Kugel der inneren Bemehr oder weniger genähert



die einer Batterie gegebene sitätsmenge zu bestimmen, stellt selbe isoliert auf und verbindet sere Belegung der Batterie mit eren Belegung der Maßflasche.

t der äußeren Belegung der Maßflasche verbundene Kugel wird opfe der Maßflasche in einer bestimmten Entfernung gegenüber-

Wird nun der inneren Belegung der Batterie die Elektricitätsq mitgeteilt, so wird auf der äußeren Belegung die Menge m. q nfluenz erregt, welche sich über die mit der äußeren Belegung enen Leiter und insbesondere über die innere Belegung der Lanelasche verbreitet. Reicht die durch die Menge mq der Flasche e Ladung bei dem gewählten Abstande der beiden Kugeln, also rählten Schlagweite, zur Entladung der Flasche hin, so wird sich entladen, und damit aus der ganzen Flasche, sowie von der mit oundenen äußeren Belegung die durch Ladung der Batterie erregte elektricität der zweiten Art verschwinden. Fährt man dann fort, terie Elektricität zu geben, so wird wieder, wenn dieselbe die g erhalten hat, die Menge mg erregt werden und eine neue Entder Massflasche eintreten. Jede Entladung der Massflasche zeigt ch hier an, dass der Batterie die Elektricitätsmenge q gegeben i n Entladungen der Massflasche hat also die Batterie die Elekmenge ng erhalten; ist nun s die Anzahl der Flaschen, so ist

$$d = \frac{n \cdot q}{\epsilon}$$

tlere Dichtigkeit der Elektricität in der Batterie.

amit diese Messungen genau sind, ist es jedoch zunächst notwenfs die Batterie kontinuierlich, also durch Verbindung der inneren ig mit dem Konduktor der Elektrisiermaschine geladen wird. Denn e stofsweise, also durch überspringende Funken geladen, so können, iht zu sehen, die Entladungen der Flasche nicht gleichwertig sein. s sei durch eine Anzahl von Funken die Batterie so weit geladen,

dass nur eine sehr kleine Menge Elektricität fehlt, so wird bei dem folgenden Funken die Entladung eintreten, einerlei ob derselbe der Batterie gerade die noch zur Entladung fehlende oder eine bedeutend größen Elektricitätsmenge giebt; die äußere Belegung wird dann aber ebense gut die gesamte Influenzelektricität der zweiten Art verlieren, als wen sie nur die Menge mq besäse.

Damit jede Entladung bei derselben Elektricitätsmenge eintrete, is es ferner nötig, dass die Kugeln der Massflasche an den Stellen, wo der Funke übergeht, durchaus rund und gut poliert sind und bleiben. Ries giebt an, dass kupferne Kugeln sorgfältig mit Öl und Zinnasche poliet

am besten dem Zwecke entsprechen.

Die angeführte Methode zur Messung der elektrischen Dichtigkeit bedarf noch einer Korrektion aus im nächsten Paragraphen zu betrachtenden Gründen; sie macht nämlich die Voraussetzung, dass es immer derselben Elektricitätsmenge my bedürfe, um die Massflasche zu entladen, und dass es immer der Elektricitätsmenge q bedürfe, um die Menge me zu erregen, deshalb, schließt sie, zeigen n Entladungen der Maßsflasche die Menge nq Elektricität an, welche der Flasche gegeben ist. Die zweite dieser Voraussetzungen ist nach der Theorie der Influenz, nach welcher unter sonst gleichen Umständen die Menge der Influenzelektricität der Menge der erregenden proportional ist, unbestritten; sie ist überdies noch durch Versuche von Riess¹), nach welchen die Abstofsung einer am Knopfe einer Leydener Flasche oder einer Batterie anliegenden Kugel der Quidratwurzel aus der in der angegebenen Weise gemessenen Dichtigkeit der Batterie proportional ist, bestätigt worden. Die erste der beiden Voranssetzungen gilt aber nur für die der ersten folgenden Entladungen der Massflasche. Es bleibt nämlich nach jeder Entladung ein Rückstand der Elektricität in der Flasche zurück; nach der ersten Entladung wird daher nur die bei der Entladung verschwundene Elektricitätsmenge ersetzt, wahrend zur ersten Entladung außer dieser auch die zurückbleibende Elektricität der Massflasche mitgeteilt werden musste. Um den dadurch bei der Messung entstehenden Fehler zu korrigieren, ist es am besten, daß man vor den Messungen die Flasche einmal bei der gewählten Schlagweite ladet und entladet.

In allen den Fällen, in denen man nicht durch Messung der Potentialfunktion aus der gemessenen Kapacität einer Batterie die Ladung der selben bestimmen kann, ist die Messung der Ladung mit der Maßflasche das beste Mittel, die Kapacität der Maßflasche, sowie die einer bestimmten Schlagweite entsprechenden Werte der Potentialfunktion kann man ein für allemal bestimmen.

§. 61.

Partialentladungen. Dauer der Entladung einer Batterie. Wemman eine Batterie in der Schlagweite entladet, so verschwindet aus ihr nicht die gesamte in ihr aufgehäufte Elektricität; man kann sich davon leicht überzeugen, indem man die Kugeln eines in den Schließungsbogen einer Batterie eingeschalteten Funkenmikrometers vorsichtig einander nähert

¹⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. XL. Reibungselektricität Bd. I, §. 389.

man die Batterie bei dem größten Abstande der Kugeln entladen, det immer bei einer gewissen bedeutend kleineren Entfernung eine Entladung, und in manchen Fällen noch bei einer dritten von der rung zu unterscheidenden Entfernung eine dritte Entladung statt. hat diesen Satz noch auf eine andere Weise nachgewiesen¹). Er nmte die Elektricitätsmenge mit der Maßflasche, welche erforderlich um eine gegebene Batterie zu laden, so daß sie bei einer bestimmten gweite sich entlud. Ohne an der Batterie dann etwas zu ändern, e sie nach der Entladung sofort wieder geladen, bis bei derselben gweite eine neue Entladung eintrat. Die in dem zweiten Fälle der rie zu gebende Elektricitätsmenge war bedeutend kleiner als die zur n Entladung notwendige, wie folgende Tabelle zeigt:

laschenzahl		Elektricitätemenge			
ler Batterie	Schlagweite d	vor der ersten Entladung	nach der ersten Entladung q'	<u>q'</u> <u>q</u>	
3	1	6	5	0,833	
į	2	10,2	8,8	0,862	
	3	15	13	0,866	
4	1	8	6,5	0,812	
Ì	2	14,5	12,5	0,862	
	3	21,5	17	0,798	
5	1	10	9	0,900	
	2	18	15	0,833	
	3	27	22,5	0,833	

Wie man sieht, betrug die nach der ersten Entladung der Batterie iner zweiten Entladung zu gebende Elektricitätsmenge immer nur im d 0.844 der ursprünglich zu einer gleichen Entladung nötigen Elekätsmenge. Da nun immer, damit die Entladung bei derselben Schlagstattfindet, die Dichtigkeit der Elektricität an den Punkten der Entig dieselbe sein muss, so folgt, dass durch die Zufuhr dieser geringeren tricitätsmenge die Dichtigkeit an den Kugeln wieder die frühere geen ist, und daraus, dass von der ursprünglich der Batterie gegebenen ricitätsmenge bei der Entladung nur 0,844 verschwunden, in der rie also 0,156 der ursprünglichen Ladung zurückgeblieben ist. Aus dieser Thatsache ergiebt sich, dass die Entladung einer Batterie, 1e dadurch geschieht, dass man einem Punkte der äußeren Belegung mit der inneren Belegung verbundenen Leiter bis zur Berührung t, nicht mit einem Schlage erfolgt, wenn der Leiter jenem Punkte ar Schlagweite genähert ist, sondern daß die gesamte Entladung aus Reihenfolge von Partialentladungen besteht. Die erste Entladung ; in der Schlagweite der Batterie statt; die Dichtigkeit der Elektricität len genäherten Stellen wird dadurch vermindert, so dass bald keine

¹⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. LIII. Reibungselektricität Bd. II, §. 628.

Elektricität mehr überspringen kann; kommt dann bei der stetigen Annäherung des mit der inneren Belegung verbundenen Leiters derselbe in die der rückständigen Ladung entsprechende Entfernung, so tritt eine neue Entladung ein und so fort bis zur Berührung, in welcher die Batterie vollständig entladen wird. Die auf angegebene Weise stattfindende Entladung hat also eine Dauer, welche von der Schnelligkeit abhängt, mit welcher die mit den beiden Belegungen der Batterie verbundenen Leiter einander genähert werden.

Aber auch die erste Entladung in der Schlagweite geschieht nicht momentan, nicht mit einem Schlage gleichen sich die aus der Batterie verschwindenden Elektricitäten aus, sondern auch diese Ausgleichung erfolgt nach und nach. Denn würde die Entladung momentan sein, d. h. wörden mit einem Schlage die sich in der Schlagweite ausgleichenden Elektricitäter überspringen, so dürfte, da die Schlagweite von der Beschaffenheit des Schließungsbogens unabhängig ist, auch der Rückstand in der Batterie nicht von der Beschaffenheit des Schließungsbogens abhängig sein. Das ist aber nach den Versuchen von Riess1) und Feddersen2) der Fall; 66 ergiebt sich aus denselben, dass der Rückstand der Batterie um so größer ist, je größer der Widerstand ist, welchen der Schließungsbogen der Bewegung der Elektricitäten entgegensetzt. Riess schaltete in den Schliesungsbogen der Batterie in der §. 59 angegebenen Weise die dort beschriebene Wasserröhre ein, und verfuhr dann ganz in der soeben angegebenen Weise bei Benutzung derselben Batterie. Die Resultate seiner Versuche enthält folgende Tabelle.

Flaschenzahl	Schlagweite	Elektrici	tätsmenge	•
s	d ve	vor der ersten Entladung q	nach der ersten Entladung q'	$\frac{q}{q}$
3	1	– 6	3,5	0,583
	2	10,5	7	0,666
	3	14,5	10,5	0,724
.1	1	· 8	4,5	0,562
	2	14	9	0,642
	3	19,5	13,5	0,692
5	1	11	5	0,454
	2	19	11,7	0,616
	3	26	17	0,653

Während also bei ganz metallischem Schliefsungsbogen 0,844 der ursprünglichen Ladung verschwunden waren, sind aus derselben Battere, bei derselben Ladung nur 0,621 der Ladung verschwunden, wenn in den Schliefsungsbogen eine Wasserröhre von 10,17 mm Weite und 22,5 cm

Ricss, Poggend. Ann. Bd. Llll. Reibungselektricität Bd. II. §. 634.
 Feddersen, Poggend. Ann. Bd. Clll.

Lange eingeschaltet wurde. Der Rückstand war also ungefähr dreimal so groß als vorher. Noch viel bedeutendere Rückstände fand Feddersen, als er größere Widerstände einschaltete. Feddersen untersuchte die Schlagwite, indem er nach der ersten Entladung die Kugeln des Funkenmikrometers bis zur zweiten Entladung näherte. Wenn man die Schlagweiten der Dichtigkeit der Elektricität in den Batterien proportional setzt, eine Annahme, welche bei den Versuchen Feddersens, wo die kleinste Schlagweite immer mehr als 2 mm betrug, und die verglichenen Schlagweiten uur sehr wenig verschieden waren, durchaus gestattet ist, so ist der Quotient der zweiten und ersten Schlagweite gleich dem Bruchteile der bei der ersten Entladung in der Batterie zurückgebliebenen Elektricität. Bei Einschaltung einer Wasserröhre von 240 mm Länge und 1 mm Dicke fand Feddersen einen je nach der Stärke der Ladung allerdings verschiedenen, zum mindesten aber die Hälfte der ursprünglichen Ladung betragenden Rückstand. Bei einer Wassersäule von 2830 mm Länge und 1 mm Dicke betrug der Rückstand nach der ersten in der Schlagweite stattgefundenen Entladung sogar 0,97 der ursprünglichen Ladung, so daß nur 0,03 derselben verschwunden waren.

Daraus folgt mit Notwendigkeit, dass nicht mit einem Schlage bei der Entladung die Elektricitäten sich ausgleichen, sondern dass die Entladung nur nach und nach vor sich geht, denn nur so ist es möglich, dass die Menge der ausgeglichenen Elektricität mit der Beschaffenheit des Schließungsbogens sich ändert. Wheatstone und Feddersen haben nun auch in der That nachgewiesen, dass die Entladung eine messbare Zeit danert, und dass die Dauer der Entladung je nach Beschaffenheit des Schließungsbogens verschieden ist. Die von beiden Beobachtern angewandte Methode ist im wesentlichen dieselbe, beide beobachteten den Entladungsfunken mit einem rotierenden Spiegel.

Läfst man vor einem leuchtenden Punkte einen ebenen Spiegel rotieren, so scheint das Spiegelbild in demselben einen Bogen zu beschreiben, welcher im Winkelmaß doppelt so groß ist als der Winkel zwischen den beiden Stellungen, bei welchen der Punkt beginnt und aufhört gespiegelt Ist die Rotation des Spiegels langsam, so sieht man beim Hineinblicken in den Spiegel den leuchtenden Punkt nach und nach an den verschiedenen Stellen des Sehfeldes; ist dagegen die Rotation des Spiegels rasch, so sieht man wegen der Dauer des Lichteindruckes im Auge das Sehfeld von einer leuchtenden Linie durchschnitten. Leuchtet der Punkt jedoch nur kurze Zeit, fängt er später an zu leuchten als die Stelle, wo er sich befindet, dem Beobachter im Spiegel sichtbar wird, und bört er früher auf zu leuchten, als die Stelle aufhört sichtbar zu sein, so wird die leuchtende Linie nicht das ganze Sehfeld durchschneiden, sondern nur einen Teil desselben, sie wird länger oder kürzer sein, je nach der größeren oder kleineren Leuchtdauer des Funkens. Aus der Länge der Funkenlinie und der bekannten Rotationsgeschwindigkeit des Spiegels kann man die Leuchtdauer des Funkens berechnen. Beträgt z. B. die Länge der Funkenlinie im Winkelmass α⁰, so folgt daraus, dass der Funke so lange Zeit leuchtete, als der Spiegel brauchte, um α/2 Grad bei seiner Drehung zurückzulegen. Wenn nun der Spiegel in der Sekunde n Rotationen machte, so brauchte er, um den Weg von $\frac{\alpha}{2}$ Grade zurückzelegen, die Zeit

$$\frac{\alpha}{2 \cdot n \cdot 360}$$
.

Wheatstone 1) unterbrach den metallischen Schließungsbogen einer Batterie an einer Stelle, befestigte an den Enden der Teile kleine Kugen und entfernte dieselben etwa 2 mm von einander, während die Schlagweite der Batterie mehr als das Doppelte betrug. Wenn nun die Batterie sich entlud, sprang an dieser Stelle des Schließungsbogens ein Funke über, dessen Leuchtdauer gleich der Dauer der Entladung der Elektricitäten war. In der Nähe dieser Stelle war ein kleiner ebener Spiegel aufgestellt, welcher um eine der Richtung, in welcher der Funke übersprang, parallele Am rotierte. Als der Spiegel nur langsam rotierte, erschien der überspringende Funke als eine scharfe, die beiden Kugeln verbindende helle Linie; als aber der Spiegel rascher rotierte, wurde diese helle Linie in die Breite gezogen, und bei 800 Rotationen erschien sie als ein Lichtband, dessen Breite ungefähr 24° betrug. Die Leuchtdauer des Funkens und somit die Dauer des Entladungsstromes beträgt demnach

$$\frac{24}{2 \cdot 800 \cdot 360} = 0,000042$$
 Sekunde.

Feddersen hat eine Reihe von Untersuchungen angestellt, um die Dauer einer Entladung zu bestimmen. Bei der ersten²) wandte er im wesentlichen das Verfahren von Wheatstone an, um die Entladungsdauer eines Stromes zu bestimmen, in dessen Schließungbogen Flüssigkeiten eingeschaltet waren. Er fand die Dauer der Entladung um so größer, je größer der Widerstand des Schließungsbogens ist, und bei verschiedenen Batterien um so größer, je größer die elektrische Oberfläche der Batterie ist. Als er eine Leydener Flasche bis zu 10 mm Schlagweite lud, fand er die Dauer bei Einschaltung eines 9 mm langen, 1 mm dicken Wasserrohres gleich 0,0014 Sekunden, bei Einschaltung eines Wasserrohres von 180 mm Länge und 1 mm Dicke gleich 0,0183, also ungefähr 14mal so groß. Bei denselben Widerständen fand er, als eine Batterie von zwei der vorigen gleichen Flaschen zu derselben Schlagweite geladen war, 0,0020 und 0,0310 Sekunden.

Bei seinen späteren Untersuchungen änderte Feddersen³) seine Methode wesentlich ab, indem er an Stelle eines rotierenden Planspiegels einen rotierenden Hohlspiegel anwandte. In einer dem Radius des Hohlspiegels gleichen Entfernung, und etwas über dem Mittelpunkt desselben war die Stelle des Schließungsbogens angebracht, an welcher der Funke übersprang. War die spiegelnde Fläche dem Funken zugewandt, so bildete sich deshalb etwas unterhalb des Funkens selbst bei ruhendem Spiegel das

¹⁾ Wheatstone, Philosophical Transactions f. the y. 1834. Poggend. Ann. Bd. XXXIV.

²⁾ Feddersen, Poggend. Ann. Bd. CIII.

³⁾ Feddersen, Poggend. Ann. Bd. CXIII und CXVI.

lle Bild des Funkens. Dasselbe wurde auf einer matten Glastafel aufangen, damit es von allen Seiten gesehen werden konnte. Wenn nun Spiegel rotierte, so wurde das reelle Bild gerade so in die Breite ogen, wie das virtuelle Bild in dem rotierenden ebenen Spiegel. Mit Ife einiger geometrischen Sätze, welche wir hier wohl nicht näher zu wickeln brauchen, läßt sich aus der Breite des Bildes und der Rotansgeschwindigkeit des Spiegels die Leuchtdauer des Funkens und somit Dauer des Entladungsstromes berechnen.

Ein Teil des Rotationsapparates von Feddersen war in den Schließungsgen selbst eingeschaltet, so daß jedesmal dann, wenn der Spiegel dem inkenapparate zugewandt war, die geladene Flasche entladen wurde. Die eite des Bildes auf der Glastafel wurde entweder dadurch bestimmt, is die Stelle, welche das Bild bedeckt hatte, mit einem Maßstabe ausmessen wurde, oder daß man Papierstreifen von bekannter Breite auf e Glastafel klebte und mit diesen die Breite des Funkenbildes verglich. ei späteren Versuchen ersetzte Feddersen auch die Glastafel durch eine äparierte photographische Platte von großer Empfindlichkeit, auf welter das Bild sich photographierte und nachher mit Ruhe ausgemessen erden konnte.

Mit Hilfe dieses Verfahrens kam Feddersen zu ganz überraschenden issultaten. Zunächst bestätigte er die früher schon gefundenen Sätze, ämlich, daß wenn in den Schließungsbogen überhaupt ein großer Widertand durch einen Flüssigkeitsfaden eingeschaltet war, die Dauer der Entadung mit der Größe des Widerstandes zunahm, daß ferner die Dauer der Intladung mit der Größe der Batterie bei gleicher Schlagweite zunahm, und daß ferner mit der Schlagweite die Dauer größer wurde.

So fand Feddersen z. B. folgende Werte, als der Widerstand des Schließungsbogens gleich dem einer in Glasröhren eingeschlossenen Säule verdünnter Schwefelsäure von 1 mm Dicke und folgenden Längen war:

	Flaschen erst. Dauer		Flaschen rst. Dauer		Flaschen erst. Dauer		Flaschen erst Daner
mm	,,	mm	"	mm	,,	mm	,,
41	0,00002	25	0,00003	18	0,00004	14	0,00006
71	0,000035	48 71	0,00006 0,00008	! i		25	0,00010

Wurde indes nun von dem kleinsten der bei jeder Versuchsreihe beobachteten Widerstände der Widerstand des Schließungsbogens noch weiter
verkleinert, so nahm die Dauer der Entladung wieder bedeutend zu, und
sie wurde am größten bei kurzem metallischen Schließungsbogen von sehr
kleinem Widerstande. So erhielt Feddersen folgende Werte bei kurzem
metallischen Schließungsbogen, welche zugleich die Abhängigkeit der Dauer
von der Schlagweite und Oberfläche der Batterie nachweisen.

Zahl der Flaschen	Schlagweite mm	Dauer Sekunden
1	1,5	0,00004
	3,75	0,00007
	6,65	0,00010
	10,00	0,00015
2	1,5	0,00006
	3,75	0,00014

Wie man sieht, ist die Dauer der Entladung nach diesen Beobachtungen bedeutend größer bei kurzem metallischen Schließungsbogen, ab bei Einschaltung großer Widerstände.

Aus den mitgeteilten Erfahrungen über die Dauer der in der Schlagweite stattfindenden Entladung lassen sich wichtige Schlüsse ziehen über den Mechanismus der Entladung, es folgt daraus, das die Entladung in der Schlagweite im allgemeinen ebenfalls aus einer Reihenfolge von Partialentladungen besteht. Da nämlich die Schlagweite einer Batterie nur von der Dichtigkeit der Elektricität an den Stellen des überspringenden Funkens abhängt, so zwar, dass der mit der Batterie verbundene und dann von ihr getrennte Leiter dieselbe Schlagweite besitzt, so folgt, dass mnächst bei der Entladung nur der Schließungsbogen selbst entladen wird. Infolge dieser Entladung kann sich von der inneren Belegung wieder Elektricität über den Schließungsbogen verbreiten, und ist die Dichtigkeit an den Stellen, wo der Funke überspringt, wieder hinreichend, so springt ein neuer Funke über und so fort, bis die in der Batterie vorhandene Elektricitätsmenge die Dichtigkeit an der Entladungsstelle nicht mehr 20 weit steigern kann, dass noch ein Funke übertreten kann.

Ehe wir diese Hypothese über den Vorgang der Entladung mit den aufgestellten Gesetzen vergleichen, müssen wir zunächst eine Schwierigkeit wegräumen, welche dieselbe auf den ersten Blick für unmöglich erscheinen läfst. Wir sahen nämlich, jeder elektrischen Dichtigkeit entspricht eine bestimmte Schlagweite; durch die erste Partialentladung wird nun die elektrische Dichtigkeit der Batterie um eine gewisse Größe vermindert, so daß sie an den Stellen, wo die Entladung stattfindet, nie wieder die frühere werden kann. Es würde deshalb der ersten Entladung ohne Verringerung der Schlagweite durchaus keine zweite folgen können. Wir haben indes in den Versuchen von Harris bereits den Beweis gesehen, daß die Schlagweite einer Batterie größer wird, wenn die Luft zwischen den Kugeln des Funkenapparates verdünnt ist. Wir werden später den Beweis liefern, daß die elektrische Entladung, welche die Luft durchbricht, dieselbe zugleich nach den Seiten treibt, so stark, dass leichte Körper dadurch fortgeblasen werden können. Daraus folgt also, daß nach der ersten und der folgenden Partialentladung zwischen den Kugeln ein luftverdunnter Raum ist, es können also bei neuer Ladung des Leiters, selbst bei geringerer Dichte der Elektricität neue Entladungen stattfinden, und zwar so lange, als die Schlagweite der Batterie dieser verdünnten Luft entspricht.

Die Möglichkeit der Partialentladungen ergiebt sich daraus mit Sicher-

it; ihre wirkliche Existenz ist später auch von Feddersen¹) nachgewien worden; er sah nämlich bei Betrachtung des Funkens im rotierenden siegel mehrfach, daß sich das in die Breite gezogene Bild des Funkens in Fig. 90 in einzelne helle einander parallele Linien auflöste, welche



nangs näher beisammen, später weiter von einander standen. Jeder isser hellen Linien entspricht ein besonderer überspringender Funke, so als also bei diesen Entladungen, welche Feddersen intermittierende nennt, in Partialentladungen aus einzelnen überspringenden Funken bestehen. In nachen Fällen beobachtete Feddersen diese einzelnen Funken nicht, dann hien nach dem ersten einleitenden scharf als Linie auftretenden Funken as ganze Bild schwach, aber mit abnehmender Stärke leuchtend. Die artialentladungen bestanden dann also nicht aus einzelnen scharf ge-

ennten Funken, sondern as einem mehr gleichalfsigen Überströmen der Sektricität. Letztere Art er Entladung trat bei elativ geringeren Wierständen leichter auf, is war aber oft, wie



ig 91 zeigt, mit einzelnen Funken untermischt, die gegen das Ende der

Die von Feddersen angegebenen Gesetze, sowie die von Riess und eddersen gemachte Beobachtung über die Größe des Rückstandes ergeben th, wenn wir zunächst die Schließungsbogen von größerem Widerstande eachten, unmittelbar. Zunächst nimmt die Dauer der Entladung bei leichem Schliefsungsbogen und gleicher Schlagweite mit der Größe der alterie, also mit der Menge der Elektricität zu. Da wir sahen, daß die artialentladungen jedesmal dann eintreten, wenn die Unterbrechungsstelle Schliefsungsbogens die erforderliche elektrische Dichtigkeit erhalten at, so wird bei gleicher Dichtigkeit, aber größerer Elektricitätsmenge der Batterie die Zahl der Partialentladungen zunehmen, und deshalb Daner der gesamten Entladung eine größere sein müssen, da man ch den Versuchen von Riess annehmen darf, daß jedesmal nach beengter Gesamtentladung in der Batterie derselbe Bruchteil der ursprünghen Ladung zurückbleibt. Je größer daher die disponible Elektricitätsinge ist, um so häufiger wird der Schliefsungsbogen die zur Entladung orderliche Dichtigkeit erhalten.

¹⁾ Feddersen, Poggend. Ann. Bd. CIII.

Die Dauer der Entladung nimmt bei gleicher Batterie und gleichen Schließungsbogen mit der Schlagweite, aber nur langsam zu. Daraus würde zu folgern sein, daß der Rückstand in der Batterie um so kleiner wird, je größer die Schlagweite ist, denn dann würde mit der Dichtigkeit der Elektricität in der Batterie ebenfalls die Zahl der Partialentladungen zenehmen. In der That hat Feddersen dieses nachgewiesen. Der Rückstand der Batterie nahm in einem Falle¹) ab von 0,63 bis 0,5, als die Schlagweite von 3,8 auf 8,30 mm zunahm. Andererseits scheint nach den Beobachtungen von Feddersen die zwischen zwei Partialentladungen liegende Zeit abzunehmen, so daß aus beiden zusammen eine nur geringe Zunahme der Dauer der Gesamtentladung folgt.

Der Einfluss vergrößerten Widerstandes auf die Entladung ist ein doppelter; zunächst muß die Zwischenzeit zwischen zwei Entladungen wachsen, da die Elektricität größere Zeit notwendig hat, um an die Stellen zu kommen, an welchen der Funke überspringt. In der That fand Feddersen in einem Falle bei Verdreifachung eines eingeschalteten Widerstandes den Zeitabstand zwischen zwei Partialentladungen auf das Achtfache wachsen. Zugleich aber muß mit der Größe des Widerstandes die Zahl der Partialentladungen eben wegen des größeren Zeitabstandes abnehmen. Denn nach jeder Partialentladung wird durch den Druck der umgebenden Luft in den Funkenkanal Luft hineingetrieben werden, durch die folgende Partialentladung wird, da sie schwächer ist als die vorhatgehende, nur ein Teil dieser Luft wieder fortgetrieben, die Dichtigkeit der Luft im Funkenkanal nimmt deshalb allmählich wieder zu. Je weiter der Zwischenraum zwischen zwei Partialentladungen ist, um so stärker muß deshalb die Dichtigkeit der Luft wieder zunehmen. Da die Partialent ladungen aufhören, wenn die Dichtigkeit der Luft im Funkenkanal so groß ist, daß bei der an den Enden des Schließungsbogens vorhandenen elektrischen Dichtigkeit der Funke nicht mehr überspringen kann, so folgt daß bei vergrößertem Widerstande des Schließungsbogens die Partialentladungen früher aufhören müssen. Deshalb ist der Rückstand in der Batterie größer. Bei sehr großem Widerstande wird es vorkommen können, dass letzterer Einfluss überwiegt, dann wird die Dauer der Entladung wieder kleiner werden.

Die eigentümlichen Beobachtungen Feddersens, das bei Verkleinerung des Widerstandes von einem gewissen Widerstande an, den er Grenzwiderstand nennt, die Dauer der Entladung wieder zunimmt, und zwar um so mehr, je kleiner der Widerstand des Schließungsbogens wird, lassen sich mit dem vorigen nicht vereinigen. Feddersen wurde dadurch dazu gestährt, die Entladung bei kleinerem Widerstande des Schließungsbogens als eine ganz andere anzusehen, die er oscillierende nennt, bei welcher nämlich durch den Schließungsbogen der Batterie nicht nur ein Strom oder eine Anzahl gleichgerichteter Partialströme hindurchgehen, bei welcher vielmehr ein Hin- und Hersließen von Elektricität stattfindet, der Strom abwechselnd von der inneren zur äußeren und wieder zu der innern Belegung zurücksließt u. s. f.

¹⁾ Feddersen, Poggend. Ann. Bd. CIII.

Man hat sich nach Feddersen 1) diesen Vorgang so zu denken, daß e Elektricität im Schliefsungsdraht sich nicht nur so lange bewegt, bis ie disponible Ladung verschwunden, also die Hälfte der positiven Elekricitat von der inneren zur außeren und die Halfte der negativen Elekricitat zur inneren Belegung geflossen ist, sondern dass sie infolge eines ewissen Beharrungsvermögens sich auch, nachdem so die bewegende Kraft ufgehört hat, noch weiter bewegt. Daraus wird dann folgen, daß die satterie jetzt neuerdings geladen wird und zwar entgegengesetzt wie früher; st diese Ladung soweit vorgeschritten, dass die auf den Belegungen neuerlings angesammelte Elektricität infolge ihrer abstoßenden Kraft den ferpern Zuflus hindert, so tritt momentane Ruhe ein, und auf diese folgt in Zurückströmen der Elektricität, eine Entladung der neuen Ladung, walche eine der frühern Ladung entgegengesetzte Richtung hat. Nach dem Schlusse dieser Entladung wird sich der Vorgang wiederholen und so fort, so dass ein Hin- und Herströmen der Elektricität im Schließungsdrahte stattfindet. Wenn der Schliefsungsbogen ganz ohne Widerstand wäre, dann würden diese Oscillationen niemals aufhören, da dann jede neue Ladung mit der vorhergehenden gleiche Stärke haben müßte, um die Bewegung der Elektricität aufhören zu machen; da aber jeder Leiter der Bewegung der Elektricität einen Widerstand entgegensetzt, so wird dadurch die Bewegung der Elektricität gemindert, und deshalb ist jede folgende Ladung chwächer als die frühere. Daraus folgt, dass nach einiger Zeit die Bewegung der Elektricität aufhört, daß also nur eine bestimmte Zahl von Oscillationen stattfindet. Die Zahl dieser Oscillationen wird abnehmen mit unehmendem Widerstande des Leiters, und es wird einen gewissen Widerstand geben, wo überhaupt keine Oscillation mehr stattfindet, dann wird die einfache von uns bisher betrachtete Entladung eintreten, deren Größe mit der Größe des Widerstandes zunimmt.

Daß also, wenn der Widerstand unter den vorhin erwähnten Grenzwiderstand hinabsinkt, die Dauer der Entladung wieder zunimmt, hat seinen Grund darin, daß eine Anzahl von Entladungen eintritt, deren jede einzelne gleichwertig mit der Entladung bei größerem Widerstande, aber von kürzerer Dauer ist.

Die Betrachtung des Funkenbildes auf der matten Glasplatte bestätigte diese Theorie. Bei Anwendung eines Schließungsbogens von kleinem Widerstande erhielt Feddersen das Funkenbild Fig. 92, eine Anzahl

boller Streifen, getrennt durch mehr oder weniger dunkele Zwischenräume. Die Rotationsgeschwindigkeit war dabei viel Beiner als jene, welche die Bilder Fig. 90 und 91 gab. Die Breite der einzelnen



bellen Streifen beweist deshalb schon, daß dieselben nicht den dort abgebildeten Partialentladungen entsprechen. Wurde der Widerstand des Schließungsbogens vergrößert, so nahm die Zahl der Streifen ab, ohne daß, natürlich bei gleichbleibender Rotationsgeschwindigkeit des Spiegels, tie Breite der einzelnen Streifen vergrößert wurde. Bei einem bestimmten, e nach der Größe der angewandten Batterie verschiedenen Widerstande

¹⁾ Feddersen, Poggend. Ann. Bd. CXIII."

zeigte sich nur ein Streifen mehr, und bei fernerer Vergrößerung nahm dann in der vorher angegebenen Weise die Breite des einzelnen Streifem zu. So fand Feddersen z. B. bei Entladung einer Flasche und den in Längen einer 1 mm dicken Säule von verdünnter Schwefelsäure angegebenen Widerständen:

Wider- stände	Zahl der Streifen	Breite	Wider- stände	Zahl der Streifen	Breite
mm		mm	mm	5"	mm
7	6	3-4	58	1	3 - 4
9	5	dieselbe	72	1	5
12	4	11	91	1 1	7
19	3	77	105	1	10
35	2	"	1000	1	40

Bei 58 mm Widerstand trat immer nur ein Streifen auf, der von da mit wachsendem Widerstande breiter wurde.

Ein genaueres Studium der oscillierenden Entladung wurde Feddersen dadurch möglich, dass er das Funkenbild anstatt auf einer matten Glasplatte auf einer photographisch präparierten Platte auffing und es so fixierte¹). Aus der Messung der Breite der Funkenbilder und der bekannten Rotationsgeschwindigkeit sowie den Abständen des Funkens und des Bildes vom Spiegel konnte er direkt die Dauer der einzelnen Oscillationen sowie die Abhängigkeit der Oscillationsdauer von den verschiedenen Umständen bestimmen. Es wurde zu dem Ende stets die Breite einer Anzahl von unter denselben Verhältnissen erhaltenen Streifen gemessen, und die so erhaltene Breite durch die Anzahl der Streifen dividiert.

Aus diesen Versuchen ergab sich zunächst, das bei gegebener Batterie und gegebenem Schließungsbogen die Oscillationsdauer unabhängig war von der in der Batterie aufgehäuften Elektricitätsmenge, also von der Höhe der Ladung. So fand Feddersen, als eine Batterie von 10 Flaschen durch einen kurzen Schließungsbogen entladen wurde

bei 4 mm Schlagweite 8 mm Schlagweite
die Dauer gleich 0,00000304 Sekunde 0,00000305 Sekunde;
als 16 Flaschen durch einen langen Schliefsungsbogen entladen wurden

bei 1,5 mm Schlagweite 9 mm Schlagweite die Dauer gleich 0,0000511 Sekunde 0,0000514 Sekunde.

Bei gegebener Leitung zeigte sich dagegen, wenn eine verschiedene Anzahl von Flaschen gleicher Größe entladen wurde, die Dauer der Oscillationen der Quadratwurzel aus der Anzahl der Flaschen proportional, also

$$t = a \cdot Vs$$
,

wenn t die Dauer der Oscillation, s die Zahl der Flaschen und a eine von der Beschaffenheit der Flaschen abhängige Konstante bedeutet.

¹⁾ Feddersen, Poggend. Ann. Bd. CXVI.

ä

6

=

eser.

田田

=

1

mě:

So ergab sich bei einem Schliefsungsbogen, dessen Länge 161,3 m betrug, folgende Oscillationsdauer:

Flaschenzahl	Oscillationsdau	er in Sekunden
-	beobachtet	berochnet
16	0,0000446	0,0000445
8	0,0000314	0,0000315
4	0,0000224	0,0000222
2	0,0000156	0,0000157.

Die als berechnet angegebenen Zahlen sind mit dem aus den vier Beobachtungen sich ergebenden Mittelwerte für a = 0,000011125 berechnet.

Bei Leitungen verschiedener Länge zeigte sich die Dauer der Oscillationen mit zunehmender Länge des Schliefsungsbogens vergrößert, ohne daß sich jedoch ein einfaches Gesetz dafür ergab. So erhielt Feddersen unter andern folgende Werte bei Entladung einer Batterie von 10 Flaschen

Länge des Schliefsungs- bogens in Meter	Oscillationsdauer in Sekunden
5,26	0,00000132
25,26	0,00000410
65,26	0,00000753
115,26	0,00000935
317,0	0,0000177
1343	0,0000398.

Außerdem hängt die Oscillationsdauer von der Art und Weise ab, wie die Drähte des Schliefsungsbogens gegen einander gelagert sind, da davon die im letzten Kapitel dieses Bandes zu besprechende Induktion der Leiter auf einander abhängig ist.

Die Deutung Feddersens, dass die beobachteten Erscheinungen als hin und hergehende aufzufassen seien, daß also zunächst die positive Elektricität bei positiver Ladung von innen nach außen sich bewegt, dann wieder von außen nach innen, stimmt vollständig mit der Theorie der Entladung überein.

Zunächst hat Helmholtz1) die Notwendigkeit einer solchen Entladungsweise aus den Wärmewirkungen des Entladungsschlages und dem Principe der Erhaltung der Kraft vorausgesagt; wir werden darauf demnächst zurückkommen.

Ferner haben W. Thomson²) und Kirchhoff³) bei einer Untersuchung über die Elektricitätsbewegung dasselbe gezeigt.

Kirchhoff weist nach, dass bei einem Strome derart, wie ihn die Leydener Flasche liefert, die Bewegung der Elektricität bei kleinen Widerstanden eine oscillierende, bei großen eine einfach fortschreitende nach Art der geleiteten Wärme sein muß. Er gelangt nämlich zu folgendem

¹⁾ Helmholtz, Die Erhaltung der Kraft, Berlin 1847. S. 44. 2) W. Thomson, Philosophical Magazin, 4. Series, vol. V. 3) Kirchhoff, Poggend. Ann. Bd C. CXI. CXXI,

Ausdrucke 1) für die auf der innern Belegung der Flasche vorhandene Elektricitätsmenge Q

$$Q = e^{-ht} \left(A \cdot \cos \pi \, \frac{t}{T} + B \cdot \sin \pi \, \frac{t}{T} \right),$$

worin t die Zeit von dem Beginne einer Entladung, h eine von der Beschaffenheit des Schließungsbogens abhängige Konstante, und T die Oschlationsdauer ist. A und B sind zwei Konstante.

Für T ergiebt die Theorie bei nicht zu großem Widerstande des Schließungsbogens einen reellen, kleinen Wert, welcher der Quadratwund aus der zu entladenden Fläche proportional ist, und der etwas rascher wüchst als die Länge des Schließungsbogens.

Ist der Widerstand des Schließungsbogens sehr groß, so wird Timaginär, und es tritt die andere Entladungsart ein.

Ist T reell, so ergeben sich für Q die Werte

$$Q = A$$
 für $t = 0$,

so dafs also A die ursprünglich der Batterie gegebene Ladung bedeutzt; bezeichnen wir dieselbe mit Q_0 , so wird

$$\begin{array}{lll} Q = & -Q_0 \, e^{-\,\, h \, T} & {\rm fur} \ t = & T \\ Q = & Q_0 \, e^{-2 h \, T} \, , & t = 2 \, T \\ Q = & -Q_0 \, e^{-3 h \, T} \, , & t = 3 \, T \\ Q = & Q_0 \, e^{-4 h \, T} \, , & t = 4 \, T \\ & {\rm u. \ s. \ w.} \end{array}$$

oder es muss nach der ersten Oscillation die innere Belegung negativ geladen sein, nach der zweiten, in welcher die positive Elektricität zurückkehrte, wieder positiv u. s. s. oder nach irgend einer ungeraden Zahl von Oscillationen muss die Flasche ihrer ursprünglichen Ladung entgegengesetzt geladen sein, wührend nach irgend einer Anzahl geraden Oscillationen die Ladung das ursprüngliche Vorzeichen haben muss. Die Stärte dieser Ladungen muss in einer geometrischen Reihe abnehmen.

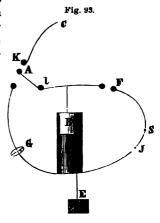
Da man die Entladungen nicht willkürlich unterbrechen kann, so ist es nicht möglich, diesen Gang der Ladungen der Batterie wirklich me konstatieren, indes muß es doch wenigstens möglich sein zu zeigen, das nach einer Entladung der ursprünglich positiv geladenen Batterie in der selben eine negative Ladung vorhanden sein kann. Das ist in der That Oettingen²) gelungen; die von ihm benutzte Einrichtung zeigt schematisch Fig. 93. Durch den mit dem Konduktor der Elektrisiermaschine in Verbindung stehenden Draht CK, an welchem bei der Ladung die Kugel A anlag, wurde die Batterie B geladen, bis in dem Schliefsungbogen BFSJ, welcher bei F ein Funkenmikrometer enthielt, das für eine beliebige Schlagweite gestellt werden konnte, die Entladung eintrat In dem Momente der Entladung wurde die Kugel A, welche an dem

Kirchhoff, Poggend. Ann. Bd. CXXI, S. 554.
 v. Oettingen, Poggend. Ann. Bd. CXV. Man sehe auch die Versuche von r. Oettingen in Poggend. Ann. Jubelband und Wiedem. Ann. Bd. II.

Fig. 1. A befestigt war, herabgedrückt, so dass der Schließungsbogen BIG ohne Funkenstrecke geschlossen war. In diesem Schließungsbogen rat dann die Entladung des nach der ersten Entladung in der Flasche

nthaltenen Rückstandes ein. Die Richtung des tromes der positiven Elektricität in diesem chließungsbogen gab die Art der Ladung der latterie nach der ersten Entladung an. Die lichtung des Stromes erkannte man an der lewegung der Nadel des bei G in den Stromreis eingeschalteten Galvanometers, und die Lenge der entladenen Elektricität an der Größe les Ausschlages, welchen die Nadel des Galranometers erhielt.

Auf diese Weise gelang es Oettingen die Existenz negativer Rückstände nachzuweisen, und so einen neuen Beweis dafür zu liefern, daßs entsprechend den theoretischen Untersuchungen von Kirchhoff bei nicht zu großen Widerständen und nicht zu kleiner Schlagweite die Entladungen im allgemeinen oscillierende sind.



Einen ebenso eclatanten Beweis für die Existenz dieser Entladungsart hat schließlich Paalzow¹) gegeben, der die beiden Entladungsströme entgegengesetzter Richtung direkt sichtbar machte, indem er in den Schliesungsbogen eine Geisslersche Röhre einschaltete und diese dem Einfluß eines Magnetes aussetzte. Die dann auftretenden Erscheinungen werden wir im letzten Kapitel besprechen²).

§. 62.

Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Elektricität. An die im vorigen Paragraphen behandelte Frage über die Dauer des elektrischen Zustandes eines Schliessungsbogens knüpft sich sofort die Frage über die Schnelligkeit, mit welcher sich derselbe in dem Schließungsbogen fort-Der erste Versuch, dieselbe zu bestimmen, rührt von Watson her3), welcher die Erfahrung dazu benutzte, dass ein durch unseren Körper hindurchgehender elektrischer Strom uns einen deutlich fühlbaren Schlag erteilt. Er spannte auf trocknen Holzpfosten einen Draht von 374,2 m Lange aus, so dass seine beiden Enden und seine Mitte in demselben Zimmer waren. Die Mitte des Drahtes war durchschnitten und die feitende Verbindung zwischen den Teilen dann durch den Körper des Beobachters hergestellt. Das eine Ende war mit der inneren Belegung in Verbindung, und das andere Ende wurde der äußeren Belegung genähert, bis ein Funke übersprang. Der Beobachter sah also den überspringenden Funken and fahlte den Schlag; es gelang aber nicht, diese Empfindungen als zeitlich verschieden wahrzunehmen.

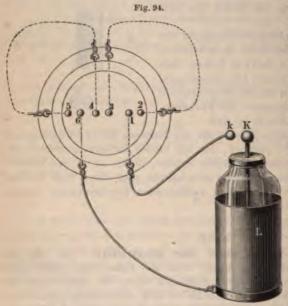
¹⁾ Paalzow, Poggend. Ann. Bd. CLII.

²⁾ Man sehe im letzten Kapitel §. 156. Einfluss des Magnets auf das elektrische Licht.

³⁾ Watson. Man sehe Fischers Geschichte der Physik. Bd. V, S. 515 ff. Wollsen, Physik. IV. 4. Aust. 26

Wheatstone ') nahm diese Frage bei Gelegenheit des vorhin erwähnten Versuches wieder auf, und es gelang ihm unter Anwendung des rotierenden Spiegels und eines Drahtes von 804 m Länge zu zeigen, daß der elektrische Zustand Zeit braucht, um sich fortzupflanzen.

Von einem circa 1,5 mm dicken Kupferdraht wurden 20 Stücke von 36,576 m Länge neben einander isoliert ausgespannt, und je zwei Endem mit Ausnahme der beiden mittelsten mit einander verbunden, so daß die sämtlichen Drähte zwei Längen von 402 m bildeten Die beiden Endem jeder dieser Längen waren mit Kugeln versehen, welche isoliert von einander auf einem einzigen Brette, dem Funkenbrette Fig. 94 befestigt



waren. Mit Kugel 2 wurde der Anfang des einen Drahtstückes, mit Kugel 3 das Ende desselben, mit Kugel 4 der Anfang des zweiten Drahtes, mit Kugel 5 das Ende dieses - Drahtes in Verbindung gesetzt. Kugel 1 war dann durch einen Draht mit einer Kugel k verbunden, welche dem Knopfe der Leydener Flasche gegenüberstand, während die Kugel 6 mit der äußeren Belegung der Batterie L verbunden war. Der Abstand der Kugel k vom Knopfe ist größer als die Abstände der Kugeln 1-2, oder 3-4, oder 5-6. Wenn nun die Flasche bis zu einer bestimmten Dich-

tigkeit¹, welche der Schlagweite kK entspricht, geladen ist, so tritt, wie wir bereits früher sahen, trotz der dreimaligen Unterbrechung des Schliessungsbogens die Entladung ein, und der positive Strom geht von k nach 1, dort springt ein Funken über nach 2, von dort geht der Strom durch 402 m Draht nach 3, springt als Funke nach 4, geht wieder durch 402 m Draht nach 5 und als Funke nach 6, von wo er zur änseren Belegung der Batterie kommt. Wie man sieht, springen also auf dem Funkenbrett drei Funken, welche in gerader Linie neben einander liegen, über, als Anfang, Mitte und Ende des Stromes. Diesem Funkenbrett gegenüber war der Spiegel aufgestellt, welcher um eine der Linie 5-2 parallele Axe rotierte. Wenn man nun in einer bestimmten Richtung

¹⁾ Wheatstone, Philosophical Transactions f. the y. 1834. Poggend. Ann. VIV.

in den ruhenden oder nur langsam rotierenden Spiegel sah, so beobachtete man drei Funken, welche in einer geraden Linie lagen. der Spiegel in einer Sekunde 800 Umdrehungen machte, da erschienen die Funken als drei in die Breite gezogene Lichtstreifen, deren mittlerer gegen die beiden äußeren verschoben war, entweder wie Fig 95 a, oder wenn der Spiegel entgegengesetzt rotierte wie Fig. 95 b. Es ergab sich daraus, daß der mittlere Funke später zu leuchten begann und später zu leuchten aufhörte, als die Funken an den Enden des Drahtes. Die Größe der Verschiebung schätzte Wheatstone auf 0,50, so dass also der mittlere Funke um



$$\frac{0.5}{2 \cdot 800 \cdot 360} = 0.000000868 \text{ Sekunden}$$

später leuchtete. Da nun der Funke zu leuchten beginnt, wenn der elektrische Strom beginnt, so folgt, dass der elektrische Zustand in der Mitte des Drahtes später beginnt als an beiden Enden, dass also der elektrische Zustand im Entladungsstrome, wie wir es auch bei demselben annahmen, gleichzeitig von den beiden Belegungen aus sich fortpflanzt. Der elektrische Strom ist also ein doppelter, er besteht in der gleichzeitigen, aber entgegengesetzt gerichteten Bewegung der beiden Elektricitäten.

Die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des elektrischen Zustandes in dem von Wheatstone angewandten Drahte ergiebt sich hiernach, da er 0,000000868 Sekunden brauchte, um eine Drahtlünge von 402 m'zu durchlaufen, zu

$$\frac{402000000000}{868} = 463133$$
 Kilometer

oder ungeführ 62500 Meilen in der Sekunde.

Dieses Resultat kann nur ein angenähertes sein und nur den Beweis liefern, dass die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Elektricität sehr groß und mit derjenigen des Lichtes vergleichbar ist; es würde aber nicht richtig sein, daraus mit Sicherheit schließen zu wollen, daß sie in dem von Wheatstone angewandten Drahte größer ist als jene des Lichtes, da von einer exakten Messung nach dieser Methode keine Rede sein kann.

Siemens hat die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Elektricität in einem eisernen Telegraphendraht gemessen 1); er benutzte dazu einen rotierenden berufsten Stahlcylinder von 125 mm Umfang, der genau 100 mal in der Sekunde rotierte. Zwei Leydener Flaschen, die eine von großer, die andere von kleiner Oberfläche, deren innere Belegungen mit einander verbunden waren, wurden sorgfältig von einander und vom Erdboden isoliert aufgestellt. Die äußere Belegung der kleinern war durch einen kurzen Metalldraht mit einer isolierten Platinspitze verbunden, diejenige der größern Flasche durch einen mehrere Kilometer langen Telegraphendraht mit einer zweiten ebenso sorgfältig isolierten Platinspitze verbunden. Die Spitzen befanden sich nahe neben einander in der Nähe der Oberfläche des rotierenden Cylinders und zwar so aufgestellt, dass ihre Verbindungslinie senkrecht war zu der Rotationsrichtung der Cylinderoberfläche. Der

¹⁾ Siemens, Poggend. Ann. Bd. CLVII.

Telegraphendraht zwischen der äußern Belegung der großen Flasche der mit derselben verbundenen Spitze hatte bei einigen Versuchen Länge von 23,372, bei andern von 7,352 km. Der rotierende Cyl war mit der Erde in leitender Verbindung. Wurde nun eine leitende bindung zwischen der innern Belegung und der Erde hergestellt, und der Abstand der Platinspitzen von dem Stahlevlinder nicht größer a Schlagweite, so trat gleichzeitig eine Entladung beider Flaschen ein welcher von beiden Platinspitzen ein Funke auf den Stahlcylinder sprang und auf dessen Oberfläche teils durch Fortnahme des Russes, auf der polierten Stahlfläche eine Funkenmarke erzeugte. Der Funke sprach der von der äußern Belegung zur Erde abfließenden Elektri Da die von der kleinen Flasche herkommende Elektricität nur den ki die von der großen Flasche herkommende dagegen den Draht von reren Kilometer Länge bis zu dem Stahlcylinder hatte durchfließen sen, so musste der dieser Entladung entsprechende Funke um so später auftreten, als die Elektricität Zeit brauchte, um den Dral durchlaufen. War der Cylinder bei der Entladung in Rotation ver so musste demnach die Marke dieses Funkens gegen die Marke des kens der kleinen Flasche um eine Strecke verschoben sein, welch Oberfläche des Cylinders innerhalb der Zeit, welche die Elektricität Durchlaufen des Drahtes brauchte, zurückgelegt hatte. Die Funkenn wurde durch ein mit Fadenkreuz versehenes Mikroskop beobachtet, die Verschiebung der Funkenmarke wurde dadurch gemessen, dass zun das Mikroskop auf die erste Funkenmarke eingestellt wurde, went Cylinder nicht mehr rotierte, und dann der Cylinder durch eine Schi ohne Ende, welche in ein in die Cylinderaxe eingeschnittenes Gev eingriff, langsam weiter gedreht wurde, bis das Fadenkreuz des Mikro auf der zweiten Funkenmarke einstand. Man konnte so Drehunger Cylinders mit Sicherheit erkennen, welche bei der vorhin angegel Rotationsgeschwindigkeit einem Milliontel einer Sekunde entsprach. Zehnmilliontel ließen sich noch schätzen.

Im Folgenden sind die bei 22 von Frölich ausgeführten Beobacl gen gemessenen Verschiebungen in Milliontel Sekunden angegeben, ein Telegraphendraht von 23,372 km Länge zwischen der äußern legung der großen Flasche und der betreffenden Spitze eingeschaltet

100,4	88,7	108,7	102,5
102,7	103,6	101,1	104,2
91,2	95,6	108,3	104,2
100,8	97,5	102,0	107,3
100,6	100,5	104,2	110,3
91.4	104.7	•	•

Im Mittel beträgt die Verschiebung somit 101,4 Milliontel Sekunden. der durchlaufene Weg 23,372 km war, so ergiebt sich die Fortpflanzigeschwindigkeit zu 230 500 km oder 31 060 geogr. Meilen.

Andere Messungen an der 7,352 km langen Leitung erg 241 800 km; und eine zweite Reihe mit dem ersten Draht 256 600 Die Zahlen sind etwas mehr als halb so groß wie die von Wheat gefundenen; man könnte geneigt sein den Unterschied darin zu su

las Wheatstone mit Kupfer, Frölich dagegen mit Eisen experimentierte, somit in dem Unterschiede einen Beweis zu sehen, das die Fortpflanzungsgeschwindigkeit in den verschiedenen Leitern eine verschiedene sei. Indes ist die Beobachtung Wheatstones wohl soviel weniger genau als die von Fröhlich, das man zu einem solchen Schlusse nicht berechtigt ist; auch Siemens hält die hier gefundenen Werte nicht für abschließend. Jedenfalls bedarf es neuer Messungen, um zu konstatieren, ob eine Verschiedenheit der Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Elektricität in verschiedenen Metallen vorhanden ist.

Ob man eine solche Verschiedenheit der Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Elektricität annehmen will oder nicht, die Thatsache, dass die Fortpflanzung des elektrischen Zustandes eine gewisse Zeit braucht, giebt uns die Berechtigung anzunehmen, dass die Entladung einer gewissen Elektricitätsmenge durch verschiedene Leiter eine verschiedene Zeit in Anspruch nimmt, entsprechend der im Beginne dieses Abschnittes erkannen verschiedenen Leitungsfähigkeit der Leiter. Es ist für die Darstellung der Wirkungen des elektrischen Stromes in vielen Fällen bequem, die Entladungszeit oder eine derselben proportionale Eigenschaft des Schliesmagsbogens, den Leitungswiderstand, welchen Riess als Verzögerungskraft ezeichnet, in Rechnung zu ziehen. Der Widerstand ist das Umgekehrte der Leitungsfähigkeit; denken wir uns einen Leiter, durch welchen in der Zeiteinheit die Elektricitätsmenge 1 hindurchfliefst, so wird ein anderer Leiter, durch welchen in derselben Zeit die Elektricitätsmenge 1/2 hindurchfliefst, den Widerstand 2 haben, wenn jener erste den Widerstand 1 lat. Daß das auch bei gleicher Fortpflanzungsgeschwindigkeit möglich ist, erkennt man durch Betrachtung einer analogen Erscheinung; wenn man an ein mit Flüssigkeit gefülltes Gefäß zwei Röhren mit verschiedenom aber so großem Querschnitt anbringt, daß die Reibung nicht mehr in Betracht kommt, so kommt in einer gewissen Tiefe unter dem Niveau der Flüssigkeit die durch die Röhren abfließende Flüssigkeit gleichzeitig an, aber trotzdem fliefst durch die Röhre mit engerem Querschnitt in dem Masse weniger Flüssigkeit ab, als der Querschnitt enger ist. Dass wir uns die Fortpflanzung der Elektricität in einem Leiter ähnlich wie das Pließen der Flüssigkeit in einer Röhre denken könnten, soll damit keinesweges behauptet werden, das Bild soll uns nur zeigen, dass es bekannte Erscheinungen giebt, die uns bei gleicher Geschwindigkeit des austretenden Stromes doch in gleicher Zeit ganz verschiedene Mengen desselben liefern.

§. 63.

Der elektrische Rückstand in der Batterie. Wenn man eine wecktrische Batterie dadurch entladet, daß man die innere und äußere Belegung mit einander in leitende Verbindung bringt, so wird auch dann die Batterie nicht vollständig entladen. Denn unterbricht man die Verbindung und stellt sie nach einiger Zeit wieder her, so findet eine zweite Entladung statt, der häufig wieder nach einiger Zeit noch eine dritte und selbst eine vierte Entladung folgen kann. Es folgt daraus, daß trotz der wienden Verbindung der beiden Belegungen in der Batterie Elektricität unsche bei st. welche nicht auf den Leiter, der die Belegungen

verband, übergehen konnte. Diese in der Batterie zurückgebliebene Elektricität nennt man den Rückstand.

Derselbe ist noch in anderer Weise zu erkennen. Ladet man eine Batterie und bringt den Knopf derselben sofort nach der Ladung mit einem Sinuselektrometer in Verbindung, so erkennt man an der Bewegung der Nadel desselben, daß die elektrische Dichtigkeit des Knopfes unmittebar nach der Ladung sehr viel rascher abnimmt als einige Zeit später, sehr viel rascher, als sie infolge der Zerstreuung der Elektricität in die Luft abnehmen kann.

Diese Beobachtung in Verbindung mit der vorigen beweist, daß in der Batterie unmittelbar nach der Ladung sich eine gewisse Elektricitätemenge gewissermaßen verbirgt, derart, daß infolgedessen die Dichtigkeit der Elektricität, welche über die mit der inneren Belegung verbundenen Leiter verbreitet ist, bedeutend abnimmt, und daß sie bei einmaliger metallischer Verbindung der beiden Belegungen nicht mit entladen wird. Diese verborgene Elektricität tritt wieder hervor und kann entladen werden, wenn die Batterie entladen ist.

Kohlrausch¹) hat in einer ausgedehnten Experimentaluntersuchung die Gesetze dieser Rückstandsbildung zu bestimmen gesucht, indem er mit größter Sorgfalt die Dichtigkeit der Elektricität am Knopfe der Leydener Flasche mit dem Sinuselektrometer maß, sowohl gleich nach der Ladung als auch nachdem die Flasche einmal oder mehrmals ihrer entladbaren Elektricität, oder wie Kohlrausch diese nennt, der disponiblen Ladung beraubt war.

Schon früher war es bekannt, dass ein solcher Rückstand überhauft nur auftritt bei Ansammlungsapparaten mit starren, niemals bei solchen mit luftförmigen Isolatoren; Kohlrausch hat dann gezeigt, dass die Größe dieses Rückstandes wesentlich von der Beschaffenheit des starren Isolators abhängig ist, er schloß aus seinen Versuchen, dass er auch abhängig sei von der Dicke desselben. Der Rückstand wird um so größer, je dicker der Isolator ist.

Unter sonst gleichen Umständen ist der Rückstand, der also bei der selben Flasche in derselben Zeit sich bildet, der anfänglichen Ladung proportional. Es ergab sich nämlich, daß immer nach Bildung des Rückstandes die Dichtigkeit der Elektricität der anfänglichen Ladung proportional ist. Da nun die disponible Ladung, welche der so gemessenen Dichtigkeit proportional ist, gleich ist der anfänglichen Ladung weniger dem gebildeten Rückstand, so folgt auch, daß der gebildete Rückstand der anfänglichen Ladung proportional ist.

Die Größe des gebildeten Rückstandes überhaupt ist abhängig von der seit der Ladung verstrichenen Zeit; er nühert sich immer mehr, je länger man wartet, einem gewissen für jede Flasche konstanten Bruchteile der ursprünglichen Ladung.

Dafs die Größe des Rückstandes von der Beschaffenheit und, wie Kohlrausch meint, auch von der Dicke des Isolators abhängig sei, soll demnach heißen, daß der in gleichen Zeiten gebildete Rückstand ein je nach dieses Umständen verschiedener Bruchteil der ursprünglichen Ladung sei.

¹⁾ Kohlrausch, Poggend. Ann Bd. XCI.

Da ein Rückstand sich überhaupt nur dann bildet, wenn ein starrer solator sich zwischen den Belegungen befindet, so folgt, daß bei der sildung desselben der Isolator eine wesentliche Rolle spielt. Faraday, selcher bei seiner Untersuchung des specifischen Induktionsvermögens die Ilmähliche Abnahme der Ladung einer Batterie zuerst ausführlicher berandelte 1), schrieb dieselbe einem Eindringen der Elektricität in die Isoatoren zu, und hauptsächlich diese Abnahme der Ladung war es, welche Im veranlafste, die Isolatoren neben ihrer Eigenschaft als Dielektrica auch ils wenn auch schlechte Leiter anzusehen. Bei den Ladungsapparaten mit tarren Isolatoren, auf welche die Leiter dicht aufgelegt sind, verläßt sämlich nach einem schon älteren Versuche von Franklin die Elektricität ast vollständig die leitenden Belegungen und begibt sich auf die Oberlichen des Isolators. Wenn man nämlich etwa eine Franklinsche Tafel mit abnehmbaren Belegungen ladet, und dann eine oder beide Belegungen abnimmt, so findet man dieselben kaum merklich elektrisch; entladet man fie abgenommenen Belege und setzt die Tafel wieder zusammen, so findet man die Ladung der Tafel kaum schwächer, wie vor Abnahme der Belege. Faraday nimmt nun an, dass von den Oberflächen aus die Elektreitäten allmählich immer tiefer in die Isolatoren eindringen, was natürlich eine stetige Abnahme des Potentials oder der elektrischen Dichtigkeit Folge haben muß. Bei der Entladung wird dann eben wegen der sellechten Leitungsfähigkeit der Isolatoren nicht alle die Elektricität, welche in den Isolator eingedrungen ist, sofort wieder hervortreten könlen; es kann vielmehr die in den Isolator eingedrungene Elektricität, benso wie sie nach vollendeter Ladung allmählich in den Isolator eindang, auch nur allmählich an die Oberfläche des Isolators und auf die elegungen zurückkehren. Es wird sich deshalb die Batterie einige Zeit ach der Entladung neuerdings laden müssen.

Gegen diese früher wohl allgemein angenommene Theorie der Rücktandsbildung erhob jedoch Kohlrausch einen bedeutsamen Einwand; da amlich während der Entladung und auch noch eine kurze, aber gegen ie Dager der Entladung selbst immer ziemlich lange Zeit nach der Entadung die innere sowohl wie die äußere Belegung mit der Erde in leiender Verbindung ist, so muss durch Influenz der im Isolator haftenden lektricität auf den beiden Belegungen Elektricität erregt werden, wovon liejenige erster Art auf jeder Belegung festgehalten wird. Nehmen wir in, die Batterie sei positiv geladen gewesen, so ist im Isolator der innern Belegung zunächst positive Elektricität, der äußern zunächst negative. Auf der innern Belegung würde also nach der Entladung negative Elekbreität vorhanden sein müssen, auf der äußeren positive. Wenn nun, meint Kohlrausch, die Elektricitäten aus dem Glase wieder hervortreten, dann müste die anfänglich hervortretende durch die auf der Belegung Yorhandene entgegengesetzte Elektricität neutralisiert werden; der wieder auftretende Rückstand könne deshalb nur gleich sein der Differenz zwischen dem gebildeten Rückstande und dieser Influenzelektricität. Non rige aber die Erfahrung, dass der auftretende Rückstand um

wich der Differenz zwischen der ursprünglich der Batter

¹⁾ Faraday, Experimental researches XI. series. Poggens

und der disponibeln Ladung sei, je rascher nach der Entladung die Rackstände untersucht seien, je geringer also der Elektricitätsverlust durch Zerstreuung in die Luft sei.

Kohlrausch erklärte deshalb die Rückstandsbildung durch die 41mählich anwachsende Influenz auf die Isolatoren, für welche er eine der Faradayschen ähnliche Konstitution annahm. Seine Ansicht ist im wesentlichen folgende. Durch die Elektricitäten der Belegungen werden die Moleküle des Isolators in einen polaren Zustand versetzt, oder vielmehr in es wahrscheinlich, dass die Moleküle des Isolators sich von vornherein einem solchen polaren Zustande befinden, so zwar, dass in den Molekülen die beiden Elektricitäten schon getrennt sind, ähnlich wie in den magnetischen Substanzen die Moleküle von vornherein magnetisch sind. Wie nun in einer magnetischen Substanz durch Einwirkung eines Magnetes die Moleküle gerichtet werden, so in dem Isolator die elektrischen Moleküle infolge der auf den Belegungen vorhandenen Elektricitäten. Wie dam ferner an einem Magnete infolgedessen ein Nord- und Südende auftrik muss auch der Isolator an der der inneren Belegung zugewandten Seite entgegengesetzt elektrisch werden, als an der der äußeren Belegung zugewandten Seite, und zwar muss, wenn die Batterie positiv geladen wat die innere Seite des Isolators negativ, die äußere positiv, also entgegesgesetzt wie die Belegungen selbst oder ihre Oberflächen elektrisch werden. Diese Elektricitäten der Isolatoren wirken influenzierend auf die Belegungen; die von ihnen erregte Influenzelektricität zweiter Art vermindet die Dichtigkeit auf den mit der inneren Belegung verbundenen Leiten, und die Influenzelektricität der ersten Art, oder ein Teil der ursprünglichen Ladung wird an der Entladung verhindert und auf den Belegungs festgehalten. Wenn durch die Entladung die Belegungen unelektrisch geworden sind, so hört auch die Richtung der Moleküle in dem Isolator auf, ebenso wie der Magnetismus des weichen Eisens aufhört, wenn de Wirkung des Magnetes aufhört. Deshalb hört auch die Influenzwirkung des Isolators auf, und die Elektricität verbreitet sich nach den gewöhrlichen Gesetzen der elektrischen Verteilung auf den Belegungen, so daß eine neue Entladung stattfinden kann.

Um es schließlich zu erklären, dass die Bildung des Rückstandes sowohl, als das Wiederauftreten nur allmählich geschieht, nimmt Kohrausch an, dass in den Isolatoren der Drehung der Moleküle ein gewisser Widerstand entgegenstehe, so dass sie in beiden Fällen nur ganz allmählich erfolge.

Auch Clausius¹) schliefst sich der Theorie von Kohlrausch an. indem er gegen die ältere Theorie des Eindringens noch bemerkt, dass man gar nicht absehen könne, wie nach dieser eine neue Ladung nach der ersten Entladung aus den eingedrungenen Elektricitäten sich entwickeln könne, indem die eingedrungenen Elektricitäten sich gegenseitig anziehen, dem nach eine Rückkehr auf die Belegungen nur in dem Masse stattfinden könne, als die eingedrungenen von den durch sie auf den Belegungen influenzierten zurückgezogen werden. Die so zurückkehrenden Mengen

¹⁾ Clausius, Abhandl. zur mechan. Würmetheorie II, S. 135 ff. Poggend. Ann. Bd. CXXXIX.

rden aber nur dazu dienen, die influenzierten Elektricitäten zu neutraieren, während die nicht zurückkehrenden Elektricitäten sich im Innern s Glases ausgleichen. Die Bildung des Rückstandes sei demnach durch e eingedrungene Elektricität nicht zu erklären, sondern das Eindringen hwäche die Ladung, wie der Verlust durch Zerstreuung.

Indem Clausius diese Theorie dann mathematisch formuliert, gelangt zu einem Ausdrucke für die Rückstandsbildung, das heißt für die Abthme des Potentials auf der innern Belegung, welcher direkt das von ohlrausch abgeleitete Gesetz liefert, daß die Abnahme der Potentialmktion auf der innern Belegung dem anfänglichen Werte derselben reportional sein muß. Ist nämlich, unter Voraussetzung, daß die äußere elegung abgeleitet ist, V die Potentialfunktion der auf den Belegungen orhandenen Elektricität auf der innern Belegung und U die Potentialmktion der in dem Isolator influenzierten Elektricität auf der innern legung, so ist nach erfolgter Rückstandsbildung die Potentialfunktion uf der innern Belegung

$$V + U = (1 - a) V,$$

voin *u* eine von der Natur des Isolators abhängige Konstante ist. Diese leichung von Clausius gilt indes nicht nur unter der Voraussetzung, als die Influenz in einer Polarisation der Molektile besteht, sondern ganz lgemein, wenn man nur annimmt, dass die Influenz auf den Isolator e Ursache der Rückstandsbildung sei.

Es lässt sich das leicht nachweisen. Ist V die Potentialfunktion auf rinnern Belegung, und Q die auf ihr vorhandene Elektricität, so ist

$$Q = K \cdot V$$

enn K die Kapacität des Ansammlungsapparates ist. Es ist somit

$$V = \frac{Q}{K}$$
.

Für einen Ansammlungsapparat mit starrem den ganzen Zwischenraum isfüllenden Isolator fanden wir, dass die Kapacität K wird K_1 , worin

$$K_1 = \frac{K}{1-\alpha}$$

nd α die durch die dem Potentialwerte eins entsprechende auf der innern Belegung vorhandene Elektricitätsmenge in dem Isolator bewirkte Influenz var. Bezeichnen wir bei dem letztern Ansammlungsapparat das durch lie der innern Belegung zugeführte Elektricitätsmenge Q auf dieser Beegung vorhandene Potential mit V+U, so wird

$$V + U = \frac{Q}{K} (1 - \alpha) = V (1 - \alpha).$$

Wir können ebenso mit K die Kapacität des Ansammlungsappaates mit starrem Isolator unter Berücksichtigung der momentaluenz des Isloators bezeichnen. Durch die im Isolator m rachsende Influenz nimmt dann die Kapacität des Ansamml zu. Bezeichnen wir mit a die nach einer gewissen Zeit im Isolator statigefundene Zunahme der Influenz in demselben Sinne, wie wir sie für die momentane mit α bezeichneten, so wird jetzt

$$V + U = \frac{Q}{K} (1 - a) = V (1 - a)$$

ganz in der Weise wie bei der Berechnung von Clausius.

Wird der Ansammlungsapparat entladen, so muß, da die innere Belegung dabei mit der Erde in leitende Verbindung kommt, die Potentialfunktion auf derselben gleich null werden. Würde alle Elektricität abstießen, so würde die Potentialfunktion auf derselben gleich U werden, es muß deshalb eine solche Menge Elektricität auf derselben bleiben, daß deren Potentialfunktion R sich aus der Gleichung ergiebt

$$R+U=0, \qquad R=a\,V,$$

es muss also die Rückstandsladung mit der ursprünglichen von gleichen Vorzeichen und der ursprünglichen Ladung proportional sein.

Nach stattgehabter Entladung ist die Ursache, welche die Influemelektricitäten im Isolator getrennt erhalten hat, verschwunden, sie müssen somit allmählich sich vereinigen und damit muß die Potentialfunktion der im Isolator vorhandenen Elektricität kleiner werden, damit wird

$$R+U>0$$

und es tritt wiederum die Ladung der Batterie hervor. Da indes, sobald die Potentialfunktion auf der Belegung von null verschieden ist, der Wert derselben im Isolator nicht konstant ist, so kann der Wert von U nicht gleich null werden; es kann deshalb die Potentialfunktion der Ladung auf der innern Belegung nicht gleich R werden, oder es kann bei einer zweiten Entladung nicht der ganze Rückstand verschwinden, sondern nur ein Teil derselben. Nach der zweiten Entladung ist deshalb noch eine dritte möglich u. s. f.

Aus der Annahme, dass die allmählich anwachsende Influenz im Isolator die Ursache der Rückstandsbildung ist, ergeben sich somit die Erscheinungen im wesentlichen den Versuchen von Kohlrausch entsprechend, nur in einem Punkte weichen die Folgerungen der Theorie von den Argaben von Kohlrausch ab. Nach Kohlrausch soll die in gleichen Zeiten stattfindende Rückstandsbildung abhängig sein von der Dicke des Isolators, das heist also der gleichen Zeiten nach der Ladung entsprechende Wert von a soll von der Dicke des Isolators abhängig sein, er soll mit zunehmender Dicke wachsen, während die Theorie von Kohlrausch und Clausius a als unabhängig von der Dicke erscheinen lassen.

Bezold hat dies als Einwand gegen diese Theorie hervorgehoben¹) und noch besonders darauf aufmerksam gemacht, dass sich aus der Theorie des Potentials ergebe, dass die Influenzwirkung der auf den Belegen befindlichen Elektricität im Isolator in der That von der Dicke desselben unabhängig sein müsse. Bezold schließt sich deshalb wieder der älteren

¹⁾ von Bezold, Poggend. Ann. Bd CXIV. CXXV, CXXXVII.

corie an, und versucht den Nachweis zu liefern, dass die von Kohlusch und Clausius in der älteren Theorie gefundenen Schwierigkeiten der That nicht existieren, indem er zeigt, dass die nach der älteren worie in den Isolator eingedrungenen Elektricitäten auf die Belegungen ur eine geringe Influenzwirkung ausüben, und weiter, dass an der Grenze Isolators in der That Kräfte vorhanden seien, welche die eingedrungen Elektricitäten wieder auf die Belegungen zurückkehren lassen.

Ich habe deshalb später durch einen direkten Versuch zwischen den iden Theorien zu entscheiden versucht¹), indem ich auf den schon von ohlrausch bemerkten Umstand zurückging, daß unmittelbar nach der ntladung der Rückstand nach der Theorie des Eindringens dem Vorzeichen ach der ursprünglichen Ladung entgegengesetzt sein muß, während nach er Theorie, daß die Ursache der Rückstandsbildung in der Influenz des solators liegt, der Rückstand mit der ürsprünglichen Ladung das gleiche orzeichen haben muß. Man hat deshalb nur das Vorzeichen des Rücktandes im Momente der Entladung zu bestimmen. Es ist das sehr leicht, aden man einen Kondensator anwendet, welcher gestattet, beliebig die belegungen von dem Isolator zu trennen. Entfernt man die Kollektorbatte im Momente der Entladung von dem Isolator, so läßst sich direkt las Vorzeichen der auf ihr befindlichen Elektricität bestimmen.

Ich habe den Versuch mit dem bereits §. 50 Fig. 72 beschriebenen pparate ausgeführt. Auf den Rand des Gefässes G wurde eine durch men feinen Draht mit der Erde ableitend verbundene Metallplatte gelegt, uf diese eine gefirniste Glasscheibe, und auf diese wurde die Platte P by 72 bis zur Berührung herabgelassen, welche, wie §. 50 erwähnt urde, durch einen feinen Draht mit dem Sinuselektrometer verbunden ar. Die Platte wurde, und zwar stets positiv, geladen und indem man on Wert des Potentials auf derselben am Sinuselektrometer verfolgte, he längere oder kürzere Zeit liegen gelassen. Dann wurde der Apparat atladen und sofort die Platte P emporgezogen. Der auf ihr vorhandene ückstand gab sich sofort dadurch zu erkennen, dass die Nadel des Sinusektrometers wieder je nach der Stärke des Rückstandes mehr oder weiger abgelenkt wurde. Zur Erkennung der Natur des Rückstandes, ob ositiv ob negativ, hatte man dann der Platte P nur ein geriebenes orcellanrohr, welches durch das Reiben mit Amalgam stets positiv elekrisch wurde, zu nähern. War der Rückstand positiv, so mußte die Ab-unkung der Nadel im Sinuselektrometer wachsen, war er negativ, so oufste die Ablenkung kleiner werden.

Der Versuch entschied stets für die Theorie, nach welcher der Rücktand Folge der Influenz im Isolator ist, denn der Rückstand hatte stets

las positive Vorzeichen.

Ich teile im Folgenden einige Beobachtungsreihen mit, welche den Gang der Rückstandsbildung zeigen; es sind die von Minute zu Minute verbachteten Werte der Potentialfunktion der geladenen Platte, bei Anvendung verschiedener, stets mit Firnis überzogener Glasplatten, die von Johlrausch sogenannten disponibeln Ladungen.

¹⁾ Wallner, Poggend. Ann. Bd. CLIII.

Zeit nach der Ladung Minuten	Werte der Potentialfunktion.					
	Spiegelg 8 mm	glasplatte i dick	desgl. 6 mm dick	desgl. 4 mm dick	Fensterglas 2,4 mm dick	
	1,424	1,394	1,380	1,370	1,250	
2	1,164	1,147	1,143	1,137	1,075	
3	1,000	1,000	1,000	1,000	1,000	
4	0,9020	0,8912	0,8972	0,8950	0,9478	
5	0,8092	0,8113	0,8238	0,8174	0,9130	
6 :	0,7302	0,7461	0,7601	0,7552	0,8820	
8	0,6284	0,6503	0,6726	0,6659	0,8400	
12	0,8497	0,5175	0,5642	0,5331	0,7854	
16	0,4131	0,4292	0,4983	0,4503	0,7363	

Die Zahlen zeigen, dass ein Einfluss der Dicke, wie ihn Kohlraud annahm, sich mit Sicherheit nicht erkennen lässt, denn für die Spiegelgläser ist der Gang der Potentialwerte nur wenig verschieden, für de Spiegelglas mittlerer Dicke ist die Abnahme die geringste; ganz ander ist er allerdings für die dünnste Platte, für die Fensterglasplatte. Mei wird indes den Unterschied eher der Verschiedenheit des Materials al der Dicke zuschreiben. Auf Verschiedenheit des Materials und zum Tei auch Verschiedenheit des Elektricitätsverlustes durch Ableitung ist mei meiner Ansicht der von Kohlrausch und von v. Bezold beobachtete verschieden Gang der Potentialfunktion bei verschieden dicken Gläsern zurückstellen.

Wurden die Spiegelgläser unterhalb der Platte P von Firnis entblöß so daß die Platte direkt auf dem Glase auflag, so trat allerdings aud ein merkliches Eindringen der Elektricität in das Glas ein, und es zeig ten sich unter Umständen gleich nach der Entladung negative Rückstände Wenn man indes dann die Platte nach der Entladung längere Zeit liege ließ, so wurde der Rückstand niemals positiv, sondern er blieb negatiund immer sehr schwach. Es kann deshalb auch durch Eindringen de Elektricität eine Rückstandsbildung eintreten, aber auch dann ist de Rückstand Folge der Influenz auf die Belegungen, ein Wiederhervortreter der eingedrungenen Elektricitäten ist, entsprechend der Bemerkung wir Clausius, niemals wahrzunehmen. Wendet man demnach Batterien mit Gläsern an, in welche die Elektricität eindringt, so ist dieses Eindringe ein Verlust der Ladung, gleich dem Verluste durch Zerstreuung.

Giese hat gegen die hier vorgetragene Theorie des Rückstandes, welche denselben lediglich auf die mit der Zeit wachsende Influenz im Dielektreum zurückführt, den Einwand erhoben¹), daß nach meinen eigenen Versuchen diese Erklärung nicht zulässig sei, da der Gang der Potentialfunktion bei der Rückstandsbildung ein ganz anderer sei, als der von mir bei der Influenz der Isolatoren beobachtete. Ich hätte den Gang der Influenz in den Isolatoren dargestellt durch eine Gleichung von der Form

$$\varepsilon - a = (\varepsilon - a_0) b^{-t},$$

¹⁾ Giese, Wiedem. Ann. Bd. 1X.

aus den Untersuchungen von Kohlrausch, welche durch Gieses en bestätigt werden, sich ergebe, daß der Gang der Potentialbei der Rückstandsbildung ein anderer sei. Die Kurve der Potention, welche deren Abhängigkeit von der Zeit darstelle, falle anfangs ler ab, als daß dieselbe durch eine geometrische Reihe dargestellt könne.

r Einwurf Gieses ist gegenüber der Deutung, die ich früher meinen en gegeben habe, ganz richtig, nicht aber gegenüber den Versuchen Ich habe schon in meiner Abhandlung über die Influenz in festen en 1) hervorgehoben, dass obige Gleichung die Werte 1 - a oder nur etwa von der dritten Minute an darstellt, nicht für die ersten 1, wie das auch die im §. 50 mitgeteilten Tabellen zeigen. Ich 1ch schon §. 50 mitgeteilt, dass ich diesen Umstand früher darauf ceführt hatte, dass von den die leitende Platte meines Apparates en Glasstäbchen Elektricität, welche bei der Ladung der Platte if die Stäbchen begeben hätte, auf die Platte zurückgekehrt sei, h in den ersten Minuten die beobachtete Potentialfunktion zu groß en sei. Ich habe indes auch schon §. 50 darauf hingewiesen, daß beutung meiner Versuche nach den Ergebnissen der Beobachtungen ie Influenz in Flüssigkeiten nicht mehr zulässig sei, dass in der ngenommen werden muss, der Gang der Influenz in den Isolatoren angs ein ganz anderer wie später, es bestehe neben der Leitung lator auch eine wahre dielektrische Nachwirkung, durch welche die ne der Potentialfunktion in den ersten Minuten erheblich rascher als später. Wir sahen, dass sich die Werte 1 — a oder ε — a auch ersten Minuten ganz vortrefflich durch Gleichungen von der Form

$$\varepsilon - a = Ab^{-t} + Cd^{-t}$$

len lassen, worin d, das die Schnelligkeit der dielektrischen Nachig misst, stets einen recht großen Wert hat.

Johlrausch giebt in seiner Abhandlung den Gang der Potentialfunkvie er mit dem Sinuselektrometer bei der Rückstandsbildung beobwurde, für drei Ladungsapparate an, für zwei Leyderfer Flaschen ine Franklinsche Platte. Die in den Tabellen von Kohlrausch anenen Werte der Potentialfunktion entsprechen allerdings nicht genau Verten V(1-a), da die Ladungsapparate stets mit dem Elektroverbunden waren und deshalb bei Verminderung der Potentialfunktion dungsapparate Elektricität aus dem Elektrometer auf die innere Bedes Ladungsapparates hinüberfloß. Infolgedessen nimmt die Poteniktion etwas langsamer ab, als wenn der Ladungsapparat von dem ometer getrennt wäre, bezw. die Kapacität des Elektrometers gegen les Ladungsapparates verschwindend klein wäre. Andererseits findet m Ladungsapparat auch ein geringer Verlust durch Zerstreuung durch welchen die Potentialfunktion kleiner wird. Letztere giebt ausch an, so dass man den Gang der Potentialfunktion bei konr Ladung berechnen könnte. Bei der nachstehenden Vergleichung anges der Potentialfunktion, wie sie Kohlrausch beobachtet hat, mit

⁾ Wüllner, Wiedem. Ann. Bd. I.

dem Gange der Influenz, nach meinen Beobachtungen, in Ebonit Petroleum habe ich indes die Werte der Kohlrauschschen Tabelle auf konstante Ladung umgerechnet, sondern die Zahlen von Kohln direkt genommen, indem ich annahm, dass die Vergrößerung der Patialfunktion wegen der Kapacität des Elektrometers und die Verminde derselben wegen der Zerstreuung sich ungefähr ausgleichen, so das direkt beobachteten Zahlen dem wirklichen Gange der Potentialfun am nächsten kommen.

In folgender Tabelle sind unter K die von Kohlrausch in s Tabelle b gegebenen Potentialfunktionen bezogen auf diejenige der $\mathfrak e$ Minute als eins, welche Kohlrausch als die disponibeln Ladungen ber nete, auf volle Minuten durch lineare Interpolation aus den benachb Werten berechnet, unter E die von mir bestimmten Werte von 1 für Ebonit, unter P die für Petroleum angegeben, ebenfalls bezogen den am Ende der ersten Minute beobachteten Wert von 1-a als Ei Für die Zeit t=0 sind die Werte aus den im §. 50 mitgeteilten chungen gesetzt:

Zeit	\boldsymbol{K}	$oldsymbol{E}$	$oldsymbol{P}$
0′	1,185	1,073	1,184
1	1,000	1,000	1,000
2	951	958	889
3	918	928	815
4	893	906	765
5	872	. —	
6	853	869	702
8	821	823	652
12	771	778	586
16	731	765	. 533
20	697	726	
24	666	675	

Der gleichartige Verlauf der Reihen ist unverkennbar, die Reih E und P geben in den ersten Minuten eine ebenso rasche Abnahr die Reihe K, für das Petroleum bleibt die Abnahme überhaupt stürker als in der Reihe von Kohlrausch, bei Ebonit dagegen ist dinahme eine etwas kleinere als bei der Leydener Flasche von Kohlr

Jedenfalls ist der Gang der Rückstandsbildung ein derartig mit jenigen der Influenz übereinstimmender, dass man darin den exper tellen Beweis für die Richtigkeit der Auffassung der Rückstandsbi als Folge der mit der Zeit wachsenden Influenz im Isolator erkennt. Annahme eines Eindringens der Elektricität in den Isolator oder i einer andern bedarf es nicht. Die Isolatoren sind eben in elektri Beziehung als sehr komplicierte Medien aufzufassen.

Zu ganz dem gleichen Schlusse gelangt Maxwell¹) in seiner Ti des elektrischen Rückstandes, er findet, das bei einem durchweg gleichartigen Dielektricum überhaupt keine Rückstandsbildung mit

¹⁾ Maxwell, A Treatise on Electricity Bd. I, Kap. X.

merie an, und versucht den Nachweis zu liefern, daß die von Kohlnsch und Clausius in der älteren Theorie gefundenen Schwierigkeiten der That nicht existieren, indem er zeigt, daß die nach der älteren merie in den Isolator eingedrungenen Elektricitäten auf die Belegungen ar eine geringe Influenzwirkung ausüben, und weiter, daß an der Grenze Isolators in der That Kräfte vorhanden seien, welche die eingedrungen Elektricitäten wieder auf die Belegungen zurückkehren lassen.

Ich habe deshalb später durch einen direkten Versuch zwischen den siden Theorien zu entscheiden versucht¹), indem ich auf den schon von ohlrausch bemerkten Umstand zurückging, daß unmittelbar nach der utadung der Rückstand nach der Theorie des Eindringens dem Vorzeichen ach der ursprünglichen Ladung entgegengesetzt sein muß, während nach er Theorie, daß die Ursache der Rückstandsbildung in der Influenz des solators liegt, der Rückstand mit der ursprünglichen Ladung das gleiche urzeichen haben muß. Man hat deshalb nur das Vorzeichen des Rücktandes im Momente der Entladung zu bestimmen. Es ist das sehr leicht, undem man einen Kondensator anwendet, welcher gestattet, beliebig die solgungen von dem Isolator zu trennen. Entfernt man die Kollektorstatte im Momente der Entladung von dem Isolator, so läßt sich direkt

Vorzeichen der auf ihr befindlichen Elektricität bestimmen.

Ich habe den Versuch mit dem bereits §. 50 Fig. 72 beschriebenen Pparate ausgeführt. Auf den Rand des Gefässes G wurde eine durch en feinen Draht mit der Erde ableitend verbundene Metallplatte gelegt, I diese eine gefirniste Glasscheibe, und auf diese wurde die Platte P 2. 72 bis zur Berührung herabgelassen, welche, wie §. 50 erwähnt arde, durch einen feinen Draht mit dem Sinuselektrometer verbunden r. Die Platte wurde, und zwar stets positiv, geladen und indem man n Wert des Potentials auf derselben am Sinuselektrometer verfolgte, ne längere oder kürzere Zeit liegen gelassen. Dann wurde der Apparat tladen und sofort die Platte P emporgezogen. Der auf ihr vorhandene lekstand gab sich sofort dadurch zu erkennen, dass die Nadel des Sinusektrometers wieder je nach der Stärke des Rückstandes mehr oder weger abgelenkt wurde. Zur Erkennung der Natur des Rückstandes, ob sitiv ob negativ, hatte man dann der Platte P nur ein geriebenes rcellanrohr, welches durch das Reiben mit Amalgam stets positiv elekisch wurde, zu nähern. War der Rückstand positiv, so mußte die Ab-nkung der Nadel im Sinuselektrometer wachsen, war er negativ, so ufste die Ablenkung kleiner werden.

Der Versuch entschied stets für die Theorie, nach welcher der Rücktand Folge der Influenz im Isolator ist, denn der Rückstand hatte stets

as positive Vorzeichen.

Ich teile im Folgenden einige Beobachtungsreihen mit, welche den sang der Rückstandsbildung zeigen; es sind die von Minute zu Minute bestachteten Werte der Potentialfunktion der geladenen Platte, bei Anwendung verschiedener, stets mit Firnis überzogener Glasplatten, die von Mohlrausch sogenannten disponibeln Ladungen.

¹⁾ Wüllner, Poggend. Ann. Bd. CLIII.

des obern horizontalen Verbindungsstückes befinde sich ein wasserdicht schließender verschiebbarer Stempel, wenn alles im Gleichgewicht ist also das Quecksilberniveau in den vier Schenkeln das gleiche ist. Nun werde der Stempel nach P_1 verschoben. Da wir die Flüssigkeiten soweit als inkompressibel ansehen können, muß in der Röhre I das Niveau des Quecksilbers bis A sinken, so daß $AN = PP_1$ ist, in II ebensoviel bis B steigen, in III ebensoviel bis C sinken und in IV wieder ebensoviel bis D steigen. Nennen wir die Strecke, um welche der Stempel P verschoben ist, h, so hat der Stempel auf der Seite gegen A einen Druck einer Quecksilbersäule zu tragen, deren Höhe 4h ist, der Druck sucht ihn in die Gleichgewichtslage zurückzutreiben.

Stellt man sich unter Wasser positive, unter Quecksilber negative Elektricität und unter den zu beiden Seiten des Stempels herrschenden Druckkräften eine elektromotorische Kraft vor, so stellt jene Anordnung den Zustand eines Dielektricums dar, das von einer elektromotorischen Kraft 4h angegriffen ist; die Röhre D erhält einen Überschuß an negativer, A einen solchen an positiver Elektricität. Die Differenz der Potentialfunktion auf der positiven Seite des Dielektricums gegen den Wert derselben auf der negativen Seite wird durch die Differenz des Druckes auf der A zugewandten Seite des Stempels gegen den auf der andem Seite des Stempels wirkenden Druck dargestellt.

Kann sich der Stempel frei bewegen, so geht er in seine frühere Lage zurück und die Verschiebung der Flüssigkeiten in den Röhren wird rückgängig. Der Vorgang entspricht der vollständigen Entladung, bei welcher die elektrische Verschiebung im Dielektricum ganz zurückkehrt.

Nun sei der Stempel wieder nach P_1 geschoben, und während er dort festgehalten wird, werde der Hahn H geöffnet. Damit treten die Röhren A und D, sowie B und C direkt in Verbindung. In A und D bleibt auch dann das Quecksilberniveau ungeändert, in B und C gleicht es sich dagegen aus, bis es in beiden wieder im Niveau N ist. Die Druckdifferenz auf den Stempel sinkt bei ungeänderter Niveaudifferenz in A und D auf 2h, also die Hälfte.

Dem geöffneten Hahn entspricht in dem Dielektricum die Existenz eines Bestandteiles, welcher ein schwaches Leitungsvermögen besitzt, der aber nicht das ganze Dielektricum durchzieht, also keinen leitenden Kanal bildet.

Die Ladungen der entgegengesetzten Seiten des Dielektricums bleiben ungeändert, aber die Spannung, die Potentialdifferenz vermindert sich ganz so wie hier die Druckdifferenz abnimmt.

Wird der Hahn jetzt geschlossen und der Stempel losgelassen, so geht der Stempel nicht in die frühere Lage zurück nach P_1 , sondern bleibt in der Mitte zwischen P und P_1 , indem in D das Quecksilber um $\frac{1}{2}h$ sinkt bis N_2 und in C um ebensoviel bis N_2 steigt, in B sinkt es wieder um $\frac{1}{2}h$ und in A steigt es um $\frac{1}{2}h$ bis N_1 . In den Schenkeln der einzelnen U steht also das Quecksilber gleich hoch, in den verschiedenen U aber verschieden. Es entspricht das der teilweisen Entladung nach der Rückstandsbildung, welche den normalen Zustand noch nicht hergestellt, sondern hier erst die halbe Elektricität entladen hat. Wird der Hahn H wieder geöffnet, so gleicht sich der Quecksilberstand in B und C wieder

wind man erhält am Stempel wieder eine Druckdifferenz h; durch die kitung werden die in B und C entstandenen entgegengesetzten Verschiebungen wieder ausgeglichen, der wieder auftretenden Druckdifferenz h entspricht die Rückstandsladung. Würde jetzt der Hahn wieder geschlossen und der Stempel frei gelassen, so geht er, entsprechend der Entladung des Rückstandes, zurück, aber wieder nicht bis P, weil in B und C wieder vorher eine der ursprünglichen entgegengesetzte Verschiebung entsteht u. s. f. Durch öfteres Wiederholen des Vorganges tritt allmählich der frühere Zustand wieder ein. Was wir hier durch abwechselndes Schließen und Öffnen des Hahns bewerkstelligt haben, tritt natürlich denso ein, wenn wir uns an Stelle desselben eine stets offene enge Öffnung denken; die ursprüngliche Verschiebung, die ursprüngliche Ladung wird ladurch kaum geändert; setzen wir aber den Stempel in P₁ fest, so tritt er Ausgleich allmählich ein, es entspricht das der mit der Zeit wachenden Abnahme der Potentialfunktion, dem wachsenden Rückstande.

Man sieht, die Vorstellungen Maxwells sind den unseren gerade ent
gengesetzt, doch gelangt er zu demselben Resultat. Wir nehmen eine
it der Zeit wachsende Elektrisierung der Oberfläche des Isolators infolge
ir Influenz und der im Dielektricum vorhandenen Leitung an. Von der
berfläche des Dielektricums kann die Elektricität nicht auf die Leiter
bergehen, da letztere den Isolator nur in einigen Punkten berühren; die
urch die Influenz in der Nähe der positiven Belegung vorhandene nega
ve Elektricität vermindert nur durch ihre Anziehung den Wert der
otentialfunktion und hält bei der Entladung einen Teil der Ladung fest.
ach Maxwell ist die Abnahme der Potentialfunktion eine wirkliche Abnahme
er Spannung im Dielektricum, die Entladung bringt eine der ursprüng
chen entgegengesetzte Verschiebung im Innern des Dielektricums hervor,
ushalb kann sie nicht vollständig stattfinden. Die Ausgleichung dieser
utgegengesetzten Verschiebung liefert die neue, dem wieder aufgetretenen
lückstande entsprechende Ladung.

S. 64.

Wärmeerregung durch die elektrische Entladung. Die Wirkungen des elektrischen Entladungsstromes haben wir in diesem Abschnitte nur zur betrachten, da die folgenden Abschnitte uns die Wirkungen der lektrischen Entladung oder des elektrischen Stromes unter viel günstigern Umständen kennen lehren werden. Wir werden dort die Mittel finden, einen konstanten Strom von beliebiger Dauer herzustellen, und können so die Wirkungen des Stromes viel bequemer und viel vollständiger kennen lemen. Hier haben wir nur die Wirkungen des Stromes zu betrachten, welche infolge seines raschen Verlaufes und der plötzlichen Ausgleichung Broßer Elektricitätsmengen dem Entladungsstrom der Leydener Flasche eigentümlich sind. Aber auch von diesen werden wir einen Teil am besten später genauer betrachten, wenn wir die Wirkungen des konstanten Stromes kennen.

Die Wirkungen des elektrischen Entladungsstromes teilen wir in zwei Gruppen, in solche, welche in dem Schließungsbogen der Batterie sich zegen, und in jene, welche ausserhalb desselben auftreteu. Von ersteren

können wir noch eine Unterabteilung absondern, nämlich jene Wirkungs, welche sich an der Unterbrechungsstelle eines Schliefsungsbogens zeigen.

Die im Schließungsbogen selbst sich zeigenden Wirkungen sind Wärmewirkungen, chemische, physiologische, mechanische und Lichtwirkungen; letztere zwei treten hauptsächlich an der Unterbrechungsstelle des Schließungsbogens auf. Die außerhalb des Schließungsbogens auftreten den Wirkungen sind magnetische und elektrische.

Wir betrachten zunüchst die Würmewirkungen des Entladungsstrome. Dass die elektrische Entladung mit Wärmeentwickelung verbunden ist davon kann man sich leicht schon am Konduktor der Elektrisiermaschine überzeugen; läßt man nämlich einen Funken von dem Konduktor in einen mit Schwefeläther gefüllten Löffel überspringen, so wird der Äther sofert Alkohol, Terpentinöl und andere ätherische Öle kann masi ebenso entzünden, es gelingt am besten, wenn man dieselben vorher etwas Ebenso gelingt es leicht, Knallgas zu entzünden und ähnliche brennbare Gasgemische. Man wendet bei dem Versuche der Entzündung. des Knallgases gewöhnlich die sogenannte elektrische Pistole an, einen an seinem einen Ende offenen Messingcylinder, in dessen Wand an einer Stelle ein Draht isoliert und luftdicht eingesetzt ist, welcher nahe bis an die gegenüberstehende Wand reicht. An seinem äußeren Ende trägt der selbe ein kleines Metallknöpfehen. Man füllt die Pistole, indem man die Mündung einige Zeit über einen Wasserstoffapparat hält. Schliefst man sie dann mit einem Pfropfen und lässt einen Funken von dem Kondukter einer Maschine überspringen, so entzündet sich das gebildete Knallgas und der Pfropfen wird mit einem lauten Knalle ausgetrieben.

Die Zündung fester Körper gelingt mit dem Entladungsschlage der Batterie ziemlich leicht. Man bringt auf den Tisch des allgemeinen Ausladers einen mit fein gepulvertem Harz versehenen Baumwollbausch und läst über oder durch denselben einen Funken springen, indem man die Kugeln des Ausladers so weit einander nähert, das sie die Baumwolle eben oder kaum berühren. Der überspringende Funke entzündet das Harzpulver.

Man kann in dieser Weise auch Schiefspulver, Zunder, Phosphor entzünden, doch ist es dafür gut, wenn man in den Schliefsungsbogen einer feuchten Leiter einschaltet, da ohne diesen das Pulver zerstreut wird ohne zu zünden. Der feuchte Leiter verzögert den Entladungsstrom oder giebt ihm eine längere Dauer, so daß man sieht, daß zur Entzündung des Pulvers eine gewisse Zeit erforderlich ist.

Um die Gesetze der Wärmeentwickelung durch den Entladungsschlagalso die Abhängigkeit von der Elektricitätsmenge, welche entladen wird, und deren Dichtigkeit ferner von der Beschaffenheit des Schließungsbogens zu bestimmen, wandte Riess¹) das elektrische Luftthermometer an. Die Form, welche Riess demselben gab, zeigt Fig. 97.

Eine Glaskugel von 8—10 cm Durchmesser, deren Rauminhalt genan bestimmt ist, ist an eine möglichst cylindrische Glasröhre von 450 mm Länge und von kleiner lichter Weite, deren Querschnitt vorher bestimmt ist, angesetzt. An das Ende der Glasröhre ist, zur Axe derselben sent-

¹⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. XL. Reibungselektricität. Bd. I, §. 410 ff.

at, ein kleines Glasgefäß von eirea 12 mm Weite und 4,5 cm Länge esetzt. Dasselbe dient dazu, die Flüssigkeit aufzunehmen, welche die ier Kugel und Röhre enthaltene Luft absperren soll. Die Röhre ist einem geteilten Metallstreifen und mit diesem auf einem Brette beigt, welches in einem Scharniere drehbar ist, und mittels des Gradens und der Klemmschraube k gegen die Horizontale verschieden geneigt ien kann. Die Kugel ruht auf dem kleinen Ringe r.



Die Kugel hat drei Öffnungen, welche mit aufgekitteten Metallssungen versehen sind. Die eine derselben c ist für gewöhnlich mit nem eingeschliffenen Metallstöpsel luftdicht verschlossen; sie dient zur gulierung der Luftdichtigkeit in der Kugel und somit der Stellung der lässigkeit in der engen Röhre. Die beiden anderen Öffnungen liegen einem horizontalen Durchmesser der Kugel sich diametral gegenüber, a sind durch aufgeschraubte Köpfe und Liederung luftdicht verschlossen; wischen denselben ist quer durch die Kugel ein meist spiralförmiger letalldrabt ausgespannt, welcher mit den Metallfassungen in metallischer erührung ist. Von den Metallfassungen gehen kurze Drähte zu den auf m Fußbrette stehenden Klemmschrauben ss, in welche, um den Apparat den Stromkreis einzuschalten, die Enden des Schließungsbogens einklemmt werden.

Um den Schließungsbogen beliebig ändern zu können, ist in denlben der allgemeine Auslader eingeschaltet, zwischen dessen Armen bebige Drähte oder feuchte Leiter eingeschaltet werden können.

Damit der Stromkreis immer in derselben Weise geschlossen wird,

und die Entladung immer vollständig stattfinde, ist neben der E ferner der Entladungsapparat Fig. 98 eingeschaltet¹). Auf einer gefi Glasstütze ist eine Metallkugel a aufgesetzt, welche mit der inner legung der Batterie fest verbunden ist. Dieser Glassäule gegenübe



eine zweite, welche oben ein Kugelgelenk tri welchem der Messingstab s drehbar ist. Der M stab trägt eine Kugel. In der in der Figur g neten Stellung wird derselbe durch einen Segetragen, welchen eine Feder in die Höhe Der Schieber kann durch die Schnur z, welc eine auf dem Fußbrette des Apparates befestigt geht, niedergezogen werden. Der Messingsta dann durch das Gewicht der Kugel hinabge auf die Kugel a; die Batterie wird so in der weite entladen, und bleiben die Kugeln irthrung, so wird auch der Rückstand entlade die Klemmschraube k wird die Fortsetzun Schließungsbogens eingeschaltet.

Die Anordnung des Schließungsbogens is Versuchen von Riess über die Wärmeentwic war im wesentlichen folgende. Die innere Be der Batterie war mit dem Entladungsapparat, mit dem allgemeinen Auslader und dieser neinen Klemmschraube des Luftthermometers war den. Von der anderen Klemmschraube des Luftt

meters ging ein Draht auf einigen Umwegen, welche den Zweck bequem die Massflasche einschalten zu können, zur äuseren Belegu Batterie. Bei der Entladung war der Schließungsbogen ausserdem die Gasröhren des Hauses mit dem Erdboden in leitender Verbindt das in der Batterie kein Rückstand bleiben konnte.

Wird auf diese Weise durch den Draht des Luftthermomete Entladungsstrom geführt, so wird zunächst der Draht erwärmt. Die 'desselben dient zu einer Temperaturerhöhung der in der Kuge geschlossenen Luft, und infolge dieser zeigt sich eine Depressie Flüssigkeitssäule in der mit der Kugel verbundenen Röhre. Um a Beobachtung dieser Depression auf die Wärmewirkung des Entlaschlages schließen zu können, müssen wir zunächst untersuchwelcher Beziehung die Erwärmung des Drahtes zu der beobachtete pression steht.

Nehmen wir zur Untersuchung dieser Beziehung an, alle Tei Thermometers hütten dieselbe Temperatur t^0 , etwa 15^0 , und der der Luft sei innen und außen gleich 760 mm. Der Barometersta während des Versuches konstant. Nun sei durch den Entladungs die Temperatur des Drahtes gleich T geworden und die Temperat Luft in der Kugel durch die vom Drahte abgegebene Wärme auf stiegen. Infolge dieser Temperaturerhöhung sei die Flüssigkeitssäder Röhre um ϑ mm zurückgedrängt; der Neigungswinkel der Röhre

¹⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. XLIII. Reibungselektricität. Bd. I, S. 4

die Horizontale sei φ . Wir werden annehmen dürfen, dass das Niveau der Flüssigkeit in dem kleinen, mit der Röhre in Verbindung stehenden Gefälse ungeändert geblieben ist. Der Kubikinhalt der Kugel sei K, der Querschnitt der Röhre gleich q.

Sei der Druck der Luft durch die Temperaturerhöhung auf t' gleich b' geworden, so ist nach dem Gay-Lussacschen Gesetze bei konstantem

Volumen der abgesperrten Luft:

$$b:b'=1+\alpha t:1+\alpha t'$$
 . . . (a).

Wäre durch die Depression der Flüssigkeit in der engen Röhre das Volumen der abgesperrten Luft nicht geändert, so gäbe die Beobachtung der Depression sofort b'; infolge der stattfindenden Ausdehnung durch das Zurückweichen der Flüssigkeit in der Röhre sinkt aber die Spannung der Luft auf b'', und diese ist es, welche wir beobachten. Nach dem Mariotteschen Gesetze erhalten wir aber

$$b':b''=K+\vartheta q:K,$$

oder wenn wir das Volumen der Kugel K = kq setzen, so wird

$$b':b''=k+\vartheta:k$$
$$b'=b''\left(1+\frac{\vartheta}{k}\right).$$

Der beobachtete Druck der inneren Luft ist gleich b plus der auf Quecksilberdruck reduzierten Niveaudifferenz der Sperrflüssigkeit in der engen Röhre und im Gefäße. Diese ist, da vor der Depression der Plüssigkeitsstand in beiden gleich hoch war, und da wir annehmen dürfen, daß das Flüssigkeitsniveau in dem Gefäße sich nicht geändert hat, b. sin ϕ . Ist δ die Dichtigkeit des Quecksilbers in Bezug auf die Sperrflüssigkeit, so ist

$$b'' = b + \frac{\vartheta \cdot \sin \varphi}{\delta},$$

und somit

$$b' = \left(b + \frac{\vartheta \cdot \sin \varphi}{\delta}\right) \left(1 + \frac{\vartheta}{k}\right).$$

Setzen wir diesen Wert in die Gleichung (a), so erhalten wir zur Berechnung von t' die Gleichung

$$b:\left(b+\frac{\vartheta.\sin\varphi}{\delta}\right)\left(1+\frac{\vartheta}{k}\right)=1+\alpha t:1+\alpha t'.$$

Man erhält daraus leicht

$$kb\,\frac{\alpha\,(t'-t)}{1+\alpha\,t}=\vartheta^2\,\frac{\sin\,\varphi}{\delta}+\vartheta\,\Big(b+k\,\frac{\sin\,\varphi}{\delta}\Big)\cdot$$

Setzen wir nun $\frac{\delta}{\sin \varphi} = c$, $\frac{1}{\alpha} = a$, multiplizieren mit c und lösen die Gleichung nach ϑ auf, so wird

$$\vartheta = -\frac{1}{2}(bc+k) \pm \sqrt{\frac{t'-t}{a+t}kbc + \frac{1}{4}(bc+k)^2},$$

oder da das Vorzeichen vor der Wurzel, weil & einen positiven Wert hat, wenn t'>t, jedenfalls positiv sein muls,

$$\vartheta = -\frac{1}{2}(bc + k) + \frac{1}{2}(bc + k)\sqrt{\frac{t' - t}{a + t} \cdot 4 \cdot \frac{kbc}{(bc + k)^2} + 1}.$$

Entwickeln wir die Wurzel in eine Reihe und begnügen uns miden beiden ersten Gliedern derselben, da die Reihe wegen der Größe wird k sehr rasch konvergiert, so wird

$$\vartheta = (t'-t) \frac{kbc}{(bc+k)(a+t)},$$

und somit

$$t'-t=\vartheta\cdot\frac{(b\,c+k)\,(a+t)}{k\,b\,c}\cdot$$

Hiernach ist also die Temperaturerhöhung der Luft in der Kugder beobachteten Depression des Flüssigkeitsfadens in der Röhre propertional, und zwar um so genauer, je größer der Kubikinhalt der Kugdim Verhältnis zum Querschnitt der Röhre ist. Ganz dasselbe gilt für die Temperaturerhöhung des Drahtes T-t; denn ist das Gewicht des Drahtes gleich p, das Gewicht der Luft in der Kugel gleich p', und sind die specifischen Wärmen des Drahtes und der Luft gleich s und s', so besteht zwischen T-t' und t'-t bekanntlich die Gleichung

$$(T-t') \cdot ps = (t'-t) \cdot p's',$$

und daraus folgt

$$T-t=(t'-t)\;\frac{ps+p's'}{ps},$$

somit

$$T-t=\vartheta\,\frac{(b\,c+k)\,(a+t)}{k\,b\,c}\cdot\frac{p\,s+p'\,s'}{p\,s},$$

oder wenn wir den Koefficienten von 3 mit A bezeichnen,

$$T-t=A\cdot\vartheta$$

so dass also die Temperaturerhöhung des Drahtes der beobachteten Depression proportional ist.

Um die im Drahte entwickelte Wärmemenge zu erhalten, hat mas die gefundene Temperaturerhöhung nur mit ps zu multiplizieren.

Der Koefficient A hängt außer von den Konstanten des Instrumentes k, c, δ , sin φ , auch ab von der Temperatur der Luft und dem Barometerstande. Untersucht man aber die Veränderungen, welche A erhält, went t und b sich innerhalb der Grenzen ändern, innerhalb welcher die Temperatur der Luft und der Barometerstand sich zu ändern pflegen, so findet man diese Veränderungen so klein, daß man ohne merklichen Fehler A als konstant setzen und alle mit demselben Thermometer erhaltener Resultate als vergleichbar ansehen darf.

Um zunächst die Abhängigkeit der Erwärmung von der Menge der entladenen Elektricität und der Größe der angewandten Batterie zu unter suchen, entlud Riess durch einen und denselben Schließungsbogen, der zugleich das Luftthermometer enthielt, nach einander verschiedene und zu verschiedener Stärke geladene Batterien. Die Stärke der Ladung wurde durch eine Maßflasche gemessen, deren Kugeln 2,26 mm von einander

laschenzahl = s 2			3		4		5		6	
ktricitäts- menge q		Depressionen &								
	beob.	ber.	beob.	ber.	beob.	ber.	beob.	ber.	beob.	ber.
2	1,5	1,8								
3	4,3	4,0	3	2,6	2,0	2,0	1,5	1,6		
4	6,7	7,0	4,5	4,7	3,2	3,5	3,0	2,8	2,6	2,3
5	9,3	11,0	7,0	7,3	5,2	5,5	4,5	4,4	3,8	3,7
6	13,4	15,8	9,7	10,6	7,3	7,9	6,5	6,3	5,5	5,3
7	•	•	15	14,4	11,0	10,8	8,8	8,6	7,3	7,2
8			17,5	18,8	14,1	14,1	11,3	11,3	9,3	9,4
9			•	·	17,8	17,8	14,3	14,3	11,7	11,9
10						•	16,7	17,6	14,3	14,7

Vergleichen wir zunächst die in den einzelnen Vertikalreihen stehenden hlen, so folgt, dass unter sonst gleichen Umständen die Depression & d somit die Temperaturerhöhung des Drahtes zunimmt und zwar dem adrate der Elektricitätsmenge proportional, denn es ist z. B.

$$\frac{6,7}{1,5} = 4,4;$$
 $\frac{13,4}{4,3} = 3,35;$ $\frac{17,5}{4,5} = 3,9;$ $\frac{14.1}{3,2} = 4,4.$

Eine Vergleichung der in derselben Horizontalreihe stehenden Werte in 3 zeigt, dass bei Entladung derselben Elektricitätsmenge die Depresonen der Zahl der Flaschen oder der Größe der Batterieoberfläche umskehrt proportional sind.

Bezeichnet demnach a die Depression des Thermometers, wenn die lektricitätsmenge 1 von einer Flasche durch den Schließungsbogen entsden wird, so ist allgemein

$$\vartheta = a \, \frac{q^3}{8} = a \, q \, \frac{q}{8} \, \cdot$$

Die Konstante a ergiebt sich bei obigen Versuchen gleich 0,88, mit lieser sind aus jener Formel die als berechnet angegebenen Werte von 3 seinden worden, welche die Übereinstimmung dieser Formel mit den fersuchen beweisen.

Es ist somit die Temperaturerhöhung eines Metalldrahtes in einem chließungsbogen dem Quadrate der in der Batterie enthaltenen Elektritätsmenge direkt, der Oberfläche der Batterie umgekehrt proportional. der bezeichnen wir den Quotienten $\frac{q}{s}$ als die Dichtigkeit der Elektricität

in der Batterie, so ergiebt sich die Erwärmung dem Produkte aus der Elektricitätsmenge in die Dichtigkeit derselben proportional.

Nachdem Riess auf diese Weise die Abhängigkeit der Erwärmung von der Menge und Dichtigkeit der entladenen Elektricität festgestellt hatte untersuchte er den Einfluß, welchen Veränderungen in dem Schließungbogen hervorbrachten. Schaltete er in denselben zwischen den Armen der allgemeinen Ausladers feuchte Leiter, befeuchtete Schnüre oder Wassen säulen ein, so wurde die Erwärmung ganz unmerklich; schaltete er Metall drähte ein, so nahm die Erwärmung ab, wenn die Länge der Drähte zunahm; sie nahm bei gleicher Länge der eingeschalteten Drähte zu, wendie Dicke der Drähte zunahm. Es wird überflüssig sein, die einzelner Versuche von Riess, welche den obigen ganz analog waren, anzuführer; er erhielt bei denselben das Resultat, daß bei Einschaltung verschiedene Drähte von der Länge l und dem Radius r die Depression wurde

$$\vartheta = \frac{a}{1+c} \frac{l}{r^2} \cdot \frac{q^3}{s},$$

worin *e* eine von dem Stoffe des angewandten Drahtes abhängige Korstante ist.

Um dieser Formel eine physikalische Deutung zu geben, nimmt Ries an, daß die Erwärmung im Schließungsbogen von der Dauer der Entladung abhängig ist, und zwar, daß sie der Dauer derselben umgekeht proportional sei. Gehen wir von der Dauer der Entladung durch den einfachen Schließungsbogen aus, so wird dieselbe um einen gewissen West verzögert werden, wenn man einen gewissen Draht einschaltet. Neum nan die Verzögerung der Entladung, welche ein bestimmter Draht zur Folge hat, z, so wird die Dauer der Entladung bei Einschaltung diese Drahtes 1+z, und nach der Hypothese von Riess wird die Temperaturerhöhung, welche bei dem einfachen Schließungsbogen war

$$T=a\,\frac{q^3}{e}\,,$$

nach Einschaltung des Drahtes

$$T = \frac{a}{1+z} \cdot \frac{q^2}{s}$$

Vergleichen wir diesen Ausdruck mit dem empirischen, so wird

$$z=c\cdot\frac{l}{r^2}$$

Das in der Formel bei Einschaltung eines Drahtes von der Länge l und dem Radius r auftretende Glied bedeutet also die Verzögerung, welche der Strom durch Einschaltung des Drahtes erfährt. Die Konstante c gieht die Verzögerung eines Drahtes von der Länge l=1 und dem Radius r=1. Bezeichnet man diesen Wert für irgend ein bestimmtes Metall mit c', so kann man ihn für jedes andere setzen $c' \cdot x$, wodurch die Verzögerung durch irgend einen Draht wird

$$z = c' \cdot \frac{xl}{r^2}.$$

Riess setzt x für Platin gleich 1 und nennt die allein von der Natur s Metalles abhängige Konstante eines anderen Metalles, welche angiebt, welchem Verhältnis ein Draht desselben den Strom mehr verzögert als n gleicher Platindraht, die Verzögerungskraft des Metalles.

Den Quotienten $\frac{xl}{r^2}$ nennt Riess den Verzögerungswert eines bestimmte Metalldrahtes; er giebt an, in welchem Verhältnisse der Draht den kom stärker verzögert als ein Platindraht, dessen Länge und Radius der inheit gleich sind. Bezeichnen wir diesen mit Z, so wird der Ausdruck r die Temperaturerhöhung

$$T = \frac{a}{1 + c'Z} \cdot \frac{q^2}{s} \cdot$$

Die im Bisherigen mitgeteilten Untersuchungen von Riess beziehen hauf die Temperaturänderungen eines bestimmten, im Schließungsgen der Batterie eingeschalteten Drahtes und deren Abhängigkeit von Menge und Dichtigkeit der entladenen Elektricität und der sonstigen schaffenheit des Schließungsbogens. Um vollständigen Aufschluß zu salten, welche Wärmemenge durch die Entladung erregt wird, erübrigt ih die Untersuchung der Wärmeentwickelung der verschiedenen Teile Schließungsbogens.

Zu dem Ende schaltete Riess in den einfachen Schließungsbogen eine zahl verschiedener Drähte ein, welche dann nach und nach in das Luftermometer eingezogen werden. Es wurde so zunächst neben dem Luftermometer ein Draht desselben Metalles von verschiedener Länge, aber rselben Dicke, ferner Drähte von verschiedener Dicke, und Drähte anderer stalle eingesetzt. Nun wurde zunächst die Temperaturerhöhung in dem iftthermometer nach Einschaltung aller dieser Drähte untersucht. Beichnet jetzt Z den Verzögerungswert sämtlicher eingeschalteter Drähte, ist nach dem Vorigen

$$T = \frac{a}{1 + c'Z} \cdot \frac{q^2}{s}.$$

Wurden nun in das Luftthermometer die andern Drähte aus demelben Metall, aus welchem der Draht des Luftthermometers bestand, es rar Platin, und von derselben Dicke eingeschaltet, so findet Riess die lemperaturerhöhung derselben ganz gleich, so dass also die Temperatur-rhöhung an allen gleich beschaffenen Stellen eines und desselben khließungsbogens dieselbe ist.

Wurden dagegen Drähte desselben Metalles aber anderer Dicke in las Luftthermometer eingezogen, so wurde die Temperaturerhöhung eine undere, und zwar ergab sich, wenn man mit e den Radius der Drähte ezeichnet, daß die Temperaturerhöhung der Drähte der vierten Potenz og umgekehrt proportional ist, oder daß

$$T = \frac{a}{\varrho^4} \cdot \frac{1}{1 + c'Z} \cdot \frac{q^2}{s} \cdot$$

Unter sonst gleichen Umständen änderte sich die Temperaturerhöhung it der Natur der Drähte, und zwar in der Art, dass wenn a' die Kon-

stante in obiger Formel für Platin bedeutet, man für jedes andere Metall setzen kann

$$a = a'y$$

also

$$T = \frac{a'y}{c'\varrho^4} \cdot \frac{1}{\frac{1}{c'} + Z} \cdot \frac{q^2}{c'} = A \frac{y}{\varrho^4} \frac{1}{\frac{1}{c'} + Z},$$

wenn wir $\frac{a'}{c'}=A$ setzen, und y eine nur von der Natur des angewandten Metalles abhängige Konstante ist. Riess nennt dieselbe das Erwärmungsvermögen der Metalle. Dieses Erwärmungsvermögen steht in einer sehr einfachen Beziehung zu der Verzögerungskraft, es ist nämlich, wenn y'' die Dichtigkeit des Metalles und k'' seine specifische Wärme, beide bezogen auf jene des Platins gleich 1, und x' die Verzögerungskraft des im Luftthermometer befindlichen Drahtes ist,

$$y = \frac{x'}{k'' \gamma''},$$

also das Erwärmungsvermögen der Verzögerungskraft des Metalles direkt seiner Dichtigkeit und specifischen Wärme umgekehrt proportional.

Hiernach kann man sofort die Temperaturerhöhung irgend einer Stelle des Schließungsbogens berechnen, wenn man für denselben die beiden Konstanten a' und c' durch den Versuch bestimmt hat. Die Konstante A bedeutet, wie man sieht, die Temperaturerhöhung eines Platindrahtes, dessen Radius $\varrho=1$ ist, wenn q=1, s=1 und zugleich $\frac{1}{c'}+Z=1$ ist. Die Konstante c' hängt von der Beschaffenheit des konstanten Teiles des Schließungsbogens ab, sie giebt in Bruchteilen der Entladungsdauer durch den konstanten Teil des Schließungsbogens die Verzögerung durch einen Platindraht, dessen Länge und Querschnitt der Einheit gleich sind. Setzen wir die Dauer der Entladung der in der Batterie enthaltenen Elektricität durch diesen Platindraht, also durch den Platindraht, dessen Länge und Radius der Einheit gleich ist, gleich der Einheit und schreiben

$$\frac{1}{c'} = B,$$

so wird

$$\frac{1}{c'} + Z = B + Z$$

und der Nenner giebt uns die Entladungsdauer der Batterie in Einheiten an, deren jede gleich ist der Entladungsdauer der Batterie durch einen Platindraht, dessen Länge und Querschnitt der Einheit gleich sind. Für A folgt daraus weiter, daß es die Temperaturerhöhung des erwähnten Drahtes ist, wenn er allein den Schließungsbogen der Batterie ausmacht.

Man kann hieraus nun auch leicht die Wärmemenge W' bestimmen, welche in einem Drahte von der Länge λ und dem Radius ϱ durch den Entladungsschlag frei wird. Ist k die specifische Wärme, γ die Dichtigkeit des Drahtes, so ist

$$W' = T \lambda \varrho^2 \pi k \gamma,$$

t

$$W' = \frac{A \cdot \frac{x'}{k'' \gamma''} \varrho^2 \lambda k \gamma \pi}{\varrho^4} \cdot \frac{1}{B+Z} \cdot \frac{q^2}{s}.$$

Bezeichnen nun k' und γ' die specifische Wärme und Dichtigkeit des ins, so ist

$$k'' = \frac{k}{k'}, \qquad \gamma'' = \frac{\gamma}{\gamma'},$$

somit

$$W' = (A k' \gamma' \pi) \frac{x' \cdot \lambda}{\varrho^2} \cdot \frac{1}{B+Z} \cdot \frac{q^2}{s} = C \frac{Z'}{B+Z} \cdot \frac{q^2}{s},$$

em wir $Ak'\gamma'\pi \stackrel{\bullet}{=} C$ und den Verzögerungswert $\frac{x'\cdot \lambda}{\varrho^2}$ des in dem itthermometer befindlichen Drahtes gleich Z' setzen. Es ergiebt sich ρ , dass die in einem bestimmten Drahte entwickelte Wärmemenge dem rzögerungswerte des Drahtes proportional ist.

Denken wir uns den gesamten Schließungsbogen in lauter einzelne ile zerlegt, deren Verzögerungswerte sind $Z', Z'' \cdots Z^*$, so werden in den Teilen entwickelten Wärmemengen

$$' = C \cdot \frac{Z'}{B+Z} \cdot \frac{q^3}{s}, \quad W'' = C \cdot \frac{Z''}{B+Z} \cdot \frac{q^3}{s} \cdot \cdots \cdot W^n = C \cdot \frac{Z^n}{B+Z} \cdot \frac{q^3}{s}$$

Die Summe aller dieser einzelnen Wärmemengen

$$W' + W'' + \cdots W^n = W$$

: jedenfalls die gesamte in den Schließungsbogen entwickelte Wärmenge. Die Summe aller Verzögerungswerte $Z'+Z''+\cdots Z^n$ ist jedenlis, den Schließungsbogen als ganz kontinuierlich vorausgesetzt, gleich er ganzen Entladungsdauer, also gleich B+Z; es folgt somit

$$W = C \cdot \frac{B + Z}{B + Z} \cdot \frac{q^2}{s} = C \cdot \frac{q^2}{s}$$

Es ergiebt sich also der wichtige, zuerst von Vorsselmann de Heer¹) us den Versuchen von Riess abgeleitete Satz, dass die Entladung einer it derselben Elektricitätsmenge geladenen Batterie in einem ganz koninuierlichen, das heisst ganz metallischen Schließungsbogen immer dieelbe Wärmemenge hervorbringt.

Der Satz gilt nur, wenn in dem Schließungsbogen keine Unterbrechungsstelle vorhanden, also kein Funke auftritt, und durch den Entadungsstrom im Schließungsbogen überhaupt keine andere Wirkung ausgeht wird. Die Erwärmung wird an allen Stellen des Schließungsbogens geringer, sobald der Entladungsschlag irgend eine Arbeit leistet. Riess²) ries das durch eine Anzahl Versuche nach, bei welchen er in den Schliesungsbogen eine Funkenstrecke einschaltete, und den Funken zwang, durch erschiedene feste Körper hindurchzugehen, also den Widerstand dieser

2) Riess, Poggend. Ann. Bd. XLIII, S. 82.

¹⁾ Vorsselmann de Heer, Poggend. Ann. Bd. XLVIII. Bemerkung dazu von iess in demselben Bande.

Körper zu überwinden. So erhielt er unter andern folgende Depressio des Luftthermometers, als er in den Schließungsbogen ein Funkenmil meter einschaltete und zwischen die Kugeln, oder Spitzen oder Schei desselben, welche immer 0,5 mm von einander entfernt waren, den ladungsfunken derselben Batterie bei immer gleicher Ladung hindu gehen ließ

durch	zwischen Scheiben	Kugeln	Spitzen
Luft	15,9	15,4	15,1
ein Kartenblatt	11,7	12,0	11,6
zwei Kartenblätte	r 8,0	8,8	10,4
Glimmerblatt	6,8	4,7	4,8.

Die Versuche von Riess, welche längere Zeit vor Begründung mechanischen Wärmetheorie angestellt wurden, beweisen, daß die Princi dieser Theorie auch in den Wirkungen der Elektricität ihre Anwend finden, indem die von Riess beobachteten Thatsachen und die da abgeleiteten Gesetze sich unmittelbar aus der Sätzen der mechanis Wärmetheorie ableiten lassen 1).

Wir haben schon §. 9 den Nachweis geliefert, dass die Arbeit, we eine gegebene Elektricitätsmenge zu leisten imstande ist, wenn si solche Umstände gebracht wird, dass sie verschwindet, also indem etwa einen geladenen Konduktor entladet, gleich ist dem Potentiale d Elektricitätsmenge auf sich selbst. In den Ansammlungsapparaten b wir eine gewisse Elektricitätsmenge angehäuft, wenn wir dieselben zu einem bestimmten Werte der Potentialfunktion geladen haben; laden wir dieselbe, so muss in dem Schließungsbogen die soeben bestin Arbeit geleistet werden, also die dem Potentiale der in demselben handenen Elektricität auf sich selbst gleiche Arbeitsmenge. Tritt dies nicht als wirklich geleistete Arbeitsmenge hervor, so muss sie als wickelte Wärmemenge erscheinen, es muss also dann die mit dem Wä wert der Arbeitseinheit multiplizierte Arbeitsmenge als Wärme in Schliesungsbogen entwickelt werden. Wird irgend eine Arbeit wirl geleistet, so muß die entwickelte Wärmemenge um den Wärmewert di Arbeit kleiner sein. Die zuletzt erwähnten Versuche von Riess he schon ohne weiteres eine Bestütigung dieser Folgerung, indem sie zei dass die Erwärmung einer beliebigen Stelle des Schließungsbogens, d auch des ganzen, kleiner wird, wenn der Entladungsfunke im Fun mikrometer einen Widerstand zu überwinden hat, und dass die Abna der Wärmewirkung um so stärker ist, je größer dieser Widerstand i

Um die Übereinstimmung der von Riess erhaltenen Resultate mit Theorie weiter zu zeigen, haben wir das Potential der in einem Ansalungsapparate vorhandenen Elektricität auf sich selbst zu berechnen.

Wie wir §. 9 nachgewiesen haben, ist das Potential einer gegeb Elektricitätsmenge auf sich selbst, welches wir, da das früher angewa Zeichen W bereits oben für die entwickelte Wärmemenge benutzt ist, P bezeichnen wollen, gegeben durch

¹⁾ Helmholtz, Erhaltung der Kraft. S. 38 ff. Clausius, Poggend. Ann Bd. LXXXVI.

$$P = \frac{1}{2} \int V dq,$$

lie Potentialfunktion der gesamten Elektricitätsmenge auf den seichnet, der das Element dq enthält, und wo die Summe aller Vdq der gesamten vorhandenen Elektricitätsmenge zu nehmen ist den Ladungsapparaten hat die Potentialfunktion für alle Punkte 1 Belegung ein und denselben Wert, den wir stets mit V_1 be, dieselbe ist dagegen für alle Punkte der äußern Belegung für die äußere Belegung sind somit alle einzelnen Produkte nit auch die ganze Summe gleich 0. Wir haben deshalb jene ur für die innere Belegung zu bilden. Da auf dieser die Potenna an allen Stellen denselben Wert V_1 hat, somit jede einzelne ien Vdq diesen konstanten Faktor hat, so können wir denselben das Summenzeichen setzen, und erhalten

$$P = \frac{1}{2} V_1 \int dq.$$

Summe ist nun aber nichts als die auf der innern Belegung vor-Elektricitätsmenge Q, somit wird

$$P = \frac{1}{2} V_1 \cdot Q$$
.

haben früher die Potentialfunktion für einen kugelförmigen und plattenförmigen Ansammlungsapparat berechnet, also für eine ige Leydener Flasche und für eine Franklinsche Tafel. Ist der rinnern Kugel gleich R, der der äußern R_1 , ist weiter D die itätskonstante des Isolators, so ist

$$V_1 = Q \frac{R_1 - R}{R \cdot R_1} \frac{1}{D}$$

en wir $R_1-R=\delta$, und berücksichtigen, daß δ nur sehr klein ist, so daß wir $R\cdot R_1=R\left(R+\delta\right)=R^2$ setzen können, so

$$V_1 = Q \frac{1}{D} \frac{4\pi\delta}{4R^2\pi} = \frac{Q}{S} \frac{1}{D} 4\pi\delta,$$

die Oberfläche der Kugel mit S bezeichnen. Damit wird P für fürmige Leydener Flasche

$$P = \frac{Q^2}{S} 2\pi \delta \frac{1}{D}.$$

die Franklinsche Tafel mit kreisförmigem Beleg, deren Platten ind δ hatten, war

$$V_1 = 4\pi \, \delta h \, \frac{1}{\hat{D}} \cdot$$

uch hier Q die auf der innern Belegung vorhandene Elektrici, so ist h, die als gleichförmig vorausgesetzte Dichtigkeit

$$h = \frac{Q}{S},$$

ie Größe der Platte bedeutet. Damit wird

$$V_1 = \frac{Q}{S} \frac{1}{D} 4\pi \delta,$$

und daraus

$$P = \frac{Q^2}{S} 2\pi \delta \frac{1}{D} \cdot$$

Dieselben Ausdrücke gelten auch für beliebig geformte Flascher Abweichungen, welche nur Glieder vernachlässigen, welche gegen die beibehaltenen sehr klein sind, so daß wir allgemein für jede Leye Flasche setzen können

$$V_1 = k \frac{Q}{S}, \quad P = \frac{k}{2} \frac{Q^2}{S}.$$

Werden mehrere Flaschen zu einer Batterie verbunden, so bl die Ausdrücke für V_1 und P ganz dieselben, wenn S die Fläche sämtl innerer Belegungen und Q die gesamte der Batterie gegebene Elektr bedeutet. Sind die Flaschen ganz gleich, und n solcher verbunden ist der auf allen Belegungen gleiche Wert des Potentials

$$V_1 = k \frac{q}{s} = k \frac{Q}{n \cdot \frac{S}{n}} = k \frac{Q}{S}$$

und damit auch

$$P = \frac{k}{2} \, \frac{Q^2}{S}.$$

Da nun nach der Entladung der Wert des Potentials gleich wird, so muß die geleistete Arbeit gleich P sein, somit die entwic Wärmemenge gleich dem Wärmewert dieser Arbeit oder, wenn der Wä wert der Arbeitseinheit gleich A gesetzt wird,

$$W = A \, \frac{k}{2} \, \frac{Q^2}{S} \cdot$$

Die entwickelte Wärmemenge muß somit dem Quadrate der in Batterie vorhandenen Elektricitätsmenge direkt, der Oberfläche der Bat umgekehrt proportional sein.

Genau dieselbe Gleichung für die im Schließungsbogen entwic Wärme hat, wie vorhin gezeigt wurde, Vorsselmann de Heer aus den

suchen von Riess abgeleitet.

Auf einen Umstand sei noch hingewiesen. Die Konstante k in Gleichung für entwickelte Wärmemenge ist der Dielektricitätskonstaumgekehrt proportional. Bei gleichen verschiedenen Batterieen gegeb Elektricitätsmengen muß also die entwickelte Wärmemenge der Ditricitätskonstanten umgekehrt proportional sein, weil die Potentialfunl bei gleichem Werte von Q der Dielektricitätskonstanten umgekehrt protional ist. Werden dagegen Batterieen mit verschiedenen Isolatoren bis gleichen Potentialfunktion geladen, so muß die Erwärmung bei der ladung der Dielektricitätskonstanten proportional sein, da die einer glei Potentialfunktion entsprechende Elektricitätsmenge Q der Dielektricikonstanten proportional ist.

Schwedoff 1) hat diesen Einfluss des Dielektricums auf die im Sch

¹⁾ Schwedoff, Poggend. Ann. Bd. CXXXV. Bd. CXXXVII.

ngskreis bei der Entladung entwickelte Wärme direkt gezeigt. Es urden zwei Franklinsche Platten hergestellt, die eine hatte als Isolator ne Glasplatte, die andere eine Ebonitplatte; die Dicke des Isolators und s Größe der Belegung war bei beiden ganz gleich. Bei der Entladung eicher Elektricitätsmengen war die Erwärmung im Schließungskreise der is Ebonit hergestellten Franklinschen Tafel ungefähr doppelt so großs im Schließungskreise der aus Glas hergestellten Tafel. Wir wir wism, ist die Dielektricitätskonstante des Glases erheblich größer als die se Ebonit.

Eine numerische Vergleichung der im Schließungsbogen entwickelten nd der von der Theorie geforderten Wärmemenge ist nicht leicht zu ereichen, da die Entladung immer in der Schlagweite stattfindet, und es icht leicht möglich ist, die bei der Erzeugung dieses Funkens geleistete rbeit zu messen. Auf den ersten Blick könnte es scheinen, als sei es eicht, durch Variierung der Schlagweite diese Arbeit zu bestimmen¹), ndes eine genauere Betrachtung des Funkens zeigt doch, daß das nicht infach zu erreichen ist, da mit geänderter Schlagweite der Funke selbst u sehr geändert wird; mit größerer Schlagweite wird er glänzender, und pringt mit einem lauteren Knalle über, ein Beweis, daß die zur Hertellung des Funkens verwandte lebendige Kraft je nach der Schlagweite ehr verschieden ist.

Weiter aber ist auch ein Teil der Energie im Dielektricum in Form ir dort vorhandenen Polarisation aufgespeichert, welche bei der Entadung eine Erwärmung des Isolators zur Folge haben muß. Diese Ertärmung der Isolatoren ist auch direkt von Siemens²) beobachtet worden; in den Isolatoren entwickelte Wärmemenge zu messen bietet indes roße Schwierigkeit.

§. 65.

Mechanische Wirkungen der Entladung. Die mechanische Wirung der elektrischen Entladung läfst sich ebenfalls schon an dem Konaktor der Elektrisiermaschine nachweisen, indem die von demselben aus pitzen ausströmende Elektricität mehrfache Bewegungen hervorzubringen nstande ist. Bringt man an den Konduktor einer Elektrisiermaschine eine pitze an, so geht, wenn man den Konduktor dauernd geladen erhält, von E Spitze ein stetiger Luftstrom aus, den man leicht nachweisen kann, dem man nahe vor die Spitze eine Lichtflamme hält, welcher bei kräftig Pladenen Konduktoren aber auch fühlbar ist. Die Entstehung dieses elekrischen Windes erklärt sich leicht; die an der Spitze vorhandene Luft wird arch die von der Spitze ausströmende Elektricität elektrisiert und infolgeessen von dem elektrischen Konduktor und besonders von der Spitze, auf welcher die Elektricität am dichtesten ist, abgestofsen, so daß der Luftfrom von der Spitze auszugehen scheint. Dieser elektrische Wind ist elbst auch imstande, andere Bewegungen zu erzeugen. Bringt man auf em Konduktor eine vertikale Spitze an und legt auf dieselbe ein leichtes

¹⁾ Man sehe dahin gerichtete Versuche von Schwedoff, Poggend. Annalen

²⁾ Siemens, Poggend. Ann. Bd. CXXV.

Rädchen von Metall, dessen Speichen sämtlich in der Art wie bei der Reaktionswasserrad nach einer Seite umgebogen und mit Spitzen versehn sind, so nimmt bei stetiger Ladung des Konduktors das Rädchen bald ein rasche Rotation an, und zwar in der der ausströmenden Elektricität ein gegengesetzten Richtung. Der Grund dieser Bewegung ist im wesentliche derselbe, wie jener der Bewegung des Reaktionswasserrades; die Bewegung ist Folge der zwischen der Luft und der Spitze thätigen Abstofsung, nich eine Reaktion der ausströmenden Elektricität. Man überzeugt sich dave indem man ein solches elektrisches Flugrädchen unter die Glocke der Luft pumpe bringt und elektrisiert, nachdem die Luft aus der Glocke fortgenommen ist. Die Bewegung des Rades ist dann eine viel langsamere

Viel kräftigere mechanische Wirkungen kann man mit dem Entladungs schlage der Batterie hervorbringen und zwar besonders, wenn man de Schließungsbogen an einer Stelle durch Luft oder durch einen festen in

lator oder flüssigen Halbleiter unterbricht.

Ist der Schließungsbogen durch Luft unterbrochen, so wird dieselbe wie wir wissen, von einem Funken durchbrochen und dabei mit großen. Heftigkeit nach allen Seiten fortgestoßen. Leichte Körper, wie Korkstäckschen oder Pulver, welche sich in der Nähe befinden, werden durch der Luftstrom auf die Seite geworfen und auseinandergefegt. Läßt man der Entladungsfunken nahe über einer mit einem feinen Pulver bestrette Fläche hinschlagen, so werden auf der Fläche durch die nach allen Schlieben ausweichende Luft ziemlich regelmäßige Zeichnungen hervorgebrade

Mit welcher Kraft die Lust durch den Funken zur Seite geschleuten wird, davon kann man sich überzeugen, wenn man den Funken in eine verschlossenen Gefäse überspringen läst. Ries giebt an 1), das ein Beladungsfunke von 7 mm Länge imstande ist, den Pfropfen aus einer gekorkten Flasche mit Heftigkeit herauszuschleudern.

Schaltet man in den Schließungsbogen einer kräftig geladenen Batterie an einer Stelle einen festen Isolator ein, so wird derselbe durch die Entladung durchbohrt und zerschmettert. Am besten ist es, dazu die Leitung an den Einschaltungsstellen mit geraden Spitzen zu versehen und die Spitzen dem Isolator bis zur Berührung zu nähern. Durch Kartenblätter, Pappe oder eine Glastafel wird durch die Entladung leicht ein Loch durchgeschlagen, eine Holzplatte wird gespalten und die Stückt umhergeworfen. Damit der Versuch bei Anwendung einer Glasplatte gelinge, muß man, weil das Glas sehr hygroskopisch ist, die Oberfläche des Glases vorher sorgfältig mit Alkohol und Schwefeläther abwaschen; guist es auch, auf der Platte, dort wo die eine Spitze sie trifft, einer Tropten Olivenöl anzubringen, da sonst die Entladung sehr leicht über die Glasplatte hin stattfindet.

Wenn eine Pappescheibe von dem Entladungsschlage durchbohrt wird, so findet man die Ränder des Loches auf beiden Seiten nach außen erhaben, als wenn die Durchbohrung von innen nach außen stattgefunden hätte. Man hat wohl darin einen Beweis für die Existenz des Doppelstromes, des positiven und negativen, sehen wollen, indes bemerkt Riess¹) mit

¹⁾ Riess, Reibungselektricität. Bd. II. §. 550.

²⁾ Riess, a. a. O. §. 554.

Recht, daß dem nicht so sei, daß daraus nur folge, daß die mechatische Wirkung nach allen Richtungen stattfinde; die zerrissenen Fasern der Pappe werden nach jener Seite hingewandt, wo sie keinen Widerstand finden.

Führt mau die Enden der Unterbrechungsstelle des Schließungsbogens in eine Flüssigkeit, welche in einer Röhre eingeschlossen ist, so wird bei starker Ladung die Flüssigkeit von einem Funken durchbrochen, nnd wegen der gleichmäßigen Fortpflanzung des Druckes nach allen Seiten hin entsteht durch das Verdrängen der Flüssigkeit aus dem Funkenkanal ein starker Druck auf die Wände, so zwar, daß dieselben häufig zerschmettert verden. Durch leitende Flüssigkeiten geht die Entladung zuweilen auch hine Funken hindurch; dann zeigen sich keine mechanischen Wirkungen.

Auch in einem ganz metallischen Schliefsungsbogen zeigen sich bei Intladung großer Elektricitätmengen, wenn dünne Metalldrähte einge-haltet sind, mechanische Wirkungen, und das Glühen und Schmelzen Drähte ist nach den Versuchen von Riess¹) nicht eine reine Wirkung

er durch den Entladungsstrom bewirkten Wärme.

Wenn man in dem Schließungsbogen einer Batterie einen dünnen raht anbringt und die Batterie ziemlich stark ladet, so zeigt sich die ste mechanische Wirkung in einer Erschütterung des ganzen Drahtes and in dem Losreißen von Metallteilchen von der Oberfläche, die sich in estalt eines dichten grauen Dampfes von ihm erheben. Zugleich erscheinen prühende Funken an den Stellen, wo der Draht in dem Schließungsbogen efestigt ist. Durch Verstärkung der Ladung wird der Draht bleibend eindert, indem er plötzlich an einer, oder je nach der Stärke der Ladung, in mehreren Stellen Biegungen oder Knickungen erhält, wie wenn er von inem kantigen Instrumente eingedrückt wäre. Bei einer ersten Entladung ind diese Einbiegungen nur schwach, sie nehmen bei jeder folgenden intladung bis zu einer gewissen Grenze an Tiefe zu. Bei einem Versuche mit einem in dem allgemeinen Auslader eingeschalteten nicht gespannten, 0,05 mm dicken Platindrahte fand Riess bei Anwendung von Flaschen und folgenden Elektricitätsmengen:

Elektricitätsmenge

8 einen Funken an der äußeren Befestigung des Drahtes,

9 Erschütlerung, Einbiegung,

10 Einbiegung vertieft,

11 noch mehr vertieft, neue Einbiegungen.

Die Einheit der Elektricitätsmenge entsprach jener, welche zwei Entladungen der Maßflasche bei 1,1 mm Abstand der Kugeln hervorbrachte.

Steigert man die Ladung der Batterie noch weiter, so kommt der Draht zum Glühen und zwar je nach der Stärke der Ladung erst zum Botglühen, dann zum Weißglühen. Das Glühen tritt bei einem Drahte von bestimmtem Querschnitte immer bei derselben durch die Erwärmung ine Luftthermometers gemessenen Stärke des Entladungsstromes ein; die einem bestimmten Glühen notwendige Stärke des Entladungsstromes

Riess, Abhandlungen der Berliner Akademie 1845. Poggend, Annalen LXV. Reibungselektricität §§, 557-585.

muss aber um so größer sein, je dicker der Draht ist, und zwar ist der vierten Potenz des Radius proportional. Die Stärke des Stromes i ferner bei den Drähten verschiedenen Metalles verschieden sein.

Bei noch stärkerer Ladung zerreißen die Drähte in mehrere Stund zersplittern selbst in eine Menge kleiner Stücke, welche bei wertstärkter Ladung immer kleiner werden, zuerst an der Oberfläche sche zen und zuletzt in geschmolzene Kugeln zusammenfließen. Die led durch die stärkste Ladung zu erzielende Wirkung ist das Zerstäuben Drähte; die Zerstäubung geschieht unter glänzender Lichterscheinung mit einem starken Knalle.

Dass das Glühen und Zerschmelzen der Drähte nicht einfach Fe der durch die Stärke der Ladung gesteigerten Wärmeentwickelung ist, ergiebt sich zunächst aus den stets dem Glühen vorhergehenden me nischen Änderungen des Drahtes Riess hat das aber auch direkt dadt nachgewiesen, dass er die Temperatur des Drahtes berechnete, unter Voraussetzung, dass die Temperaturerhöhung in demselben einfach Gesetzen der Wärmeerregung folge. Wie das geschehen kann, erg sich aus den Entwickelungen des vorigen Paragraphen. Es wurde in Schließungsbogen ein Luftthermometer eingeschaltet, und aus der B achtung desselben ergaben sich die Konstanten der Wärmeformel. dem bekannten Verzögerungswerte des eingeschalteten dünnen Dra konnte die Temperatur desselben unter obiger Voraussetzung bei der zum Schmelzen bringenden Batterieladung berechnet werden. Riess für einen schmelzenden dünnen Platindraht die Temperatur 1 nicht 250° C., eine Temperatur, bei welcher der Draht noch lange 1 zum Glühen kommt.

In welcher Weise beim Glühen und Schmelzen die mechanischen Wärmewirkungen zusammenkommen, das läßt sich nicht vollkommen üsehen. Riess hält dafür, daß die Drähte durch den Entladungsscaufgelockert werden, wodurch der Verzögerungswert des Drahtes sich ändert, und wodurch die Fortpflanzung des Stromes eine ganz andere vin manchen Fällen, nämlich bei der Entladung durch leicht oxydier Drähte, ist das Glühen und Schmelzen jedoch als eine sekundäre Wirder Entladung zu betrachten, indem bei diesen das Glühen nach dem ladungsschlage an Stärke zunimmt und dann erst das Schmelzen eint das ist zuweilen der Fall bei Eisendrähten. Der Grund dafür ist, durch die Entladung eine oberflächliche Verbrennung des Eisens eingelwird, welche dann eine solche Wärme entwickelt, daß der Draht weglüht und abschmilzt.

§. 66.

Lichtwirkung der elektrischen Entladung. Jedesmal dann, w die elektrische Entladung durch Luft oder irgend ein Gas und häufig a wenn sie durch Flüssigkeiten hindurch stattfindet, ist sie mit einer Li erscheinung verbunden, welche je nach Art der Entladung verschieden kann. Die einfache Entladung der Batterie ist stets von einem, auch hellem Zimmer sichtbaren Funken begleitet, welcher bei Annäherung Kugeln in dem Entladungsapparate mit lautem Geräusche überspri Bei gleicher Schlagweite der Batterie ist der Funke um so heller und Geräusch um so stärker, je größer die entladene Elektricitätsmenge ist mi je besser der Schließungsbogen leitet.

In ganz ähnlicher Weise lassen sich durch die Entladung des Konduktors einer Elektrisiermaschine Funken hervorbringen, wenn man demselben Leiter mit abgerundeten Flächen hinreichend nähert. Die Bahn des Funkens ist bei geringer Schlagweite eine gerade, ebenso wie bei dem Entladungsfunken der Batterie; bei größerer Schlagweite wird sie zicknekförmig und schon bei einer Länge von 5-10 cm zeigt sie mehrere Linknickungen. Bei großer Schlagweite und großer durch dieselbe entladener Elektricitätsmenge fahren dann auch wohl von den Winkelspitzen Aste aus. Man kann auf diese Weise Funken von 0,33 m und mehr lange erhalten. Die Länge der Funken hängt natürlich wesentlich ab von der Form des Konduktors und des funkenziehenden Leiters, da die Schlagweite von der Dichtigkeit der Elektricität an den Stellen abhängt, an welchen der Funke überspringt. Der Funke wird um so länger, je größer die Dichtigkeit ist, ohne dass ein Ausströmen stattfindet, er wird deshalb m allgemeinen am größten sein, wenn man an den Konduktor der Maschine eine kleine Kugel ansetzt und dieser eine mit der Erde in leitender Verbindung stehende Kugel nähert. Befestigt man an dem Kontoktor eine Spitze oder nähert man demselben eine Spitze, so werden wegen der stattfindenden Ausströmung nur in sehr kleinen Schlagweiten Funken überspringen können, nämlich in solchen, welche der auf der Spitze miglichen Dichtigkeit entsprechen, die ihr trotz des Ausströmens verbleibt. Entfernt man sich dann mit der Spitze so weit, dass von ihr keine Auswimung mehr stattfindet, dann wird im allgemeinen die Entfernung zu rofs sein, als daß noch ein Funke überspringen könnte. In manchen fillen ist das aber möglich, dann zeigen sich die zuerst von Gross 1) beolachteten, später von Riess2) genauer untersuchten elektrischen Pausen; bi sehr kleinem Abstande der Spitze vom Konduktor springen Funken ber, bei etwas größerem nicht, und bei noch größerem springen sie weder über, bis sie schliefslich bei zu großer Schlagweite überhaupt nicht mehr entstehen können.

Die Funken sind nur bei kleinerer Schlagweite überall gleich hell, bi größerer findet sich in denselben in der dem negativen Leiter zuswandten Hälfte eine lichtschwächere Stelle; häufig zeigt sich dann auch ber Funke selbst an den verschiedenen Stellen verschieden gefärbt, nämlich in der größeren, dem positiven Leiter zugewandten Hälfte bläulich weiß, in der andern rötlich. Die Farbe desselben ändert sich indes sehr mit den Metallen, zwischen denen er überspringt. Eine prismatische Unterwehung der Funken zeigt, wie zuerst Fraunhofer³) fand, und später Whentstone⁴) und Masson⁵) genauer untersuchten, daß das Funkenspektrum

¹⁾ Gross, Elektrische Pausen. Leipzig 1776. Riess, Reibungselektricität

²⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. XCIX.

³⁾ Fraunhofer, Denkschriften der Münchener Akademie aus den Jahren 1814

⁴⁾ Wheatstone, Poggend. Ann. Bd. XXXVI.

⁵ Masson, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XXXI. Krönigs

nicht wie das der Sonne oder sonstiger Flammen ein kontinuierliches i sondern daß es aus einer Anzahl durch dunkle Zwischenräume getrenz heller Streifen besteht. Die Farbe oder Lage dieser Streifen im Spektn und ihre Zahl hängt wesentlich ab von den Metallen, aus welchen Funken gezogen werden. Wie Kirchhoff schließlich gezeigt hat 1), sind Streifen, welche in dem aus einem bestimmten Metalle gezogenen Funk auftreten, ganz dieselben, welche eine Flamme zeigt, in welcher der Dameines Salzes jenes Metalles glüht, so zwar, daß der elektrische Funke dequemste Mittel ist, um das Spektrum der Metalle zu untersuchen.

Auf die Farbe des Funkens ist ferner von Einflus das Gas, in wechem er überspringt. Nach den Versuchen von Faraday²) ist der atmosphärischer Luft überspringende Funke bläulich weißs, in Sticky blau oder purpurn, in Sauerstoffgas weißs, in Wasserstoffgas hochrot, Kohlensäure grünlich und von auffallend unregelmäßiger Gestalt, in Sasäure ist er weiß. Mit der Dichtigkeit des Gases nähert sich die Fur in allen mehr dem Weißen.

Die Thatsache, dass die Farbe des Funkens wesentlich, ja allein : hängt von der Natur der Metalle, zwischen denen der Funke übersprin und der Natur des zwischen denselben befindlichen Gases, führt auf Vermutung, dass das elektrische Licht nur eine sekundäre Wirkung i Elektricität, nur eine Folge der Wärmewirkung ist. Es würden darnach dem Funken nur die von den Metallen losgerissenen Teilchen und die G in dem Funkenkanal glühend, und das Leuchten dieser glühenden Te wäre das elektrische Licht. Dass in der That in den Funken Metallteilch mitgerissen werden, das läst sich auch direkt nachweisen. Denn eins werden die Flächen, aus denen man viele Funken gezogen hat, allmähl rauh und zeigen Gruben, aus denen das Metall fortgeschleudert ist, andererseits zeigt sich nach mehrfacher Entladung zwischen verschiede Metallen auf dem einen ein Anflug des anderen. Lässt man so Fun zwischen Kupfer und Silber überschlagen, so zeigt das Silber einen Anf von Kupfer und das Kupfer einen Anflug von Silber. Wir haben bei l sprechung der Spektralerscheinungen im zweiten Bande ebenfalls sch gezeigt, dass das von den glühenden Gasen ausgesandte Licht nur 1 deren Natur und der Dicke der leuchtenden Schicht abhängt, somit & es ein eigentümliches elektrisches Licht nicht giebt.

Über die Lichtstärke des Funkens beim Entladungsstrome einer Beterie hat Masson³) Messungen angestellt und gefunden, dass in eine konstanten Schließungsbogen die Lichtstärke des Funkens immer der einer konstanten Stelle des Schließungsbogens erregten Wärmenienge proportional ist. Mit einer Veränderung des Schließungsbogens verändert si auch die Lichtstärke, und zwar wieder in demselben Sinne und demselb Verhältnisse, in welchem die Erwärmung einer konstanten Stelle de Schließungsbogens sich ändert. Auch dieser Satz, welcher ganz allgeme

¹⁾ Kirchhoff, Abhandlungen der Berliner Akademie aus dem Jahre 18 Über das Sonnenspektrum und das Spektrum der chemischen Elemente.
2) Faraday, Experimental researches. XII. Reihe, Art. 1423. Pogges

Ann. Bd. XLVII.

3) Masson, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XIV u. XXX.

Lichtwirkung der Entladung mit der Wärmewirkung in die innigste ziehung setzt, beweist, daß die Lichtwirkung nur sekundärer Natur, r eine Folge der Wärmewirkung ist.

Bei der Entladung des Konduktors einer Elektrisiermaschine können h noch andere Lichtwirkungen zeigen. Wenn nämlich die Dichtigkeit Elektricität an einem Punkte des Konduktors so groß wird, daß die ektricität ausströmt, und kein Leiter in der Nähe ist, welcher die Bilng eines Funkens veranlafst, so zeigen sich an der Ausströmungsstelle ichtende Büschel. Dieselben sind bedeutend lichtschwächer als die Funn, so daß sie nur in verfinsterten Räumen wahrgenommen werden nnen. Sie erscheinen dann als bläuliche Lichtkegel, deren Spitze die Isströmungsstelle des Leiters bildet; die Kegelform rührt daher, daß ausströmenden elektrischen Strahlen sich abstofsen. Man kann die ischel an jedem Konduktor erhalten, wenn man auf denselben ein zuspitztes Holzstück oder einen an seinem Ende rund gefeilten Draht fsetzt. Nähert man einem Konduktor, von welchem die Elektricität sströmt, einen Leiter, jedoch nicht so weit, dass ein Funke überspringt, kann man die Länge des Büschels bedeutend vergrößern und seine estalt abändern.

Die Helligkeit und Farbe des Büschels ändert sich nach den Vertehen Faradays¹) mit dem Gase, in welchem er sich bildet, die Farbe allgemeinen ebenso wie diejenige des Funkens. Die Größe des Büschels timmer der Dichtigkeit der Elektricität an der Ausströmungsstelle proortional. In Bezug auf die Größe zeigen sich die Büschel positiver und egativer Elektricität meist verschieden, und zwar der positive Büschel eist größer als der negative. Der Grund dieses Unterschiedes ist aber ohl eher in einer gewissen Elektrisierung der Luft, als in einem charaktristischen Unterschiede der beiden Elektricitäten zu suchen.

Eine eigentümliche Art des Büschels zeigt sich an den Spitzen, aus elchen die Elektricität ausströmt, das Spitzenlicht oder der elektrische tern; er zeigt sich als im Dunkeln sichtbarer leuchtender Punkt auf den uströmenden Spitzen. Dass an solchen Spitzen trotz der starken Auströmung der Elektricität sich nur ein auf die Spitze beschränkter Lichtunkt zeigt, hat seinen Grund in dem schon früher erwähnten, von den pitzen ausgehenden elektrischen Winde. Wie wir bereits anführten, ist deser Wind eine Hauptursache der Ausströmung, indem an der Spitze de Luft infolge der großen dort vorhandenen elektrischen Dichtigkeit dektrisch wird und dann abgestofsen wird. Die Elektricität wird also wissermaßen ähnlich dort weggenommen, als wenn man in rascher olge die Stelle des Konduktors mit kleinen Kugeln berührte und diese ann wegnimmt. Dass dieser Umstand in der That die Beschränkung des ichtes auf den Stern bewirkt, zeigt sich auch dadurch, dass man an icht gerade mit Spitzen versehenen Körpern, welche in gewöhnlicher off Buschel zeigen, Glimmlicht erhält, wenn man sie in einen luftverlanten Raum bringt, also in einen Raum, in welchem die Luft beweg-

Faraday, Experimental researches. XII. Reihe, Art. 1454 ff. Poggend. an. Bd. XLVII.

licher ist, dass man ferner einen Büschel in Glimmlicht verwandeln kam, wenn man gegen die Ausströmungsstelle bläst.



Die elektrischen Lichterscheinungen nehmen bedeutend an Schönheit zu, wenn man sie in einem luftverdünnten Raume hervorbringt. Sehr bequem dazu ist das elektrische Ei Fig. 99. Dasselbe besteht aus einem eiförmigen rings geschlossenen Glasgefäße, welches an den Enden der großen Axe durchbohrt und mit Metallfassungen versehen ist; die untere Fassung setzt sich in eine mit einem Hahne verschließbare Röhre fort, welche auf die Luftpumpe aufgeschraubt werden kann. Von der unteren Fassung und mit ihr in metallischer Verbindung steigt in das Gefäs ein Metallstab auf welcher oben in einer kleinen Kugel endet. Ein ebensolcher Stab, mit einer kleinen Kugel an seinem unteren Ende versehen, reicht durch eine Stopfbüchse der oberen Fassung in das Gefäß hinab und kann der unteren Kugel beliebig genähert werden.

Verdünnt man die Luft in dem Ei sehr weit und bringt den oberen Metallstab mit dem Konduktor einer Elektrisiermaschine in Verbindung, während der untere mit der Erde in leitender Verbindung ist, so geht die Elektricität in Form eines leuchtenden Büschels von großer Breite von einer Kugel zur anderen über, in welchem man oft deutliche Schichtungen beobachten kann.

Es genüge hier, auf diese Erscheinungen aufmerksam gemacht zu haben; wir werden bei Betrachtung der Geisslerschen Röhren im letzten Abschnitte darauf zurückkommen.

§. 67.

Übersicht über die weiteren Wirkungen des Entladungsstromes. Außer den in den letzten Paragraphen betrachteten drei Gruppen von Wirkungen des Entladungsschlages lassen sich leicht noch einige andere erkennen, welche teils in dem Schliefsungsbogen, teils aufserhalb desselben sich zeigen. Wir werden dieselben, wie erwähnt, in den nächsten Abschnitten ausführlicher betrachten, da wir sie dann erst vollständig verstehen können, wenn wir die Wirkungen des einfachen konstanten galvanischen Stromes kennen gelernt haben; hier werden wir sie nur kurz der Vollständigkeit halber anführen.

Wenn man in den Entladungsstrom einer Batterie chemisch zusammengesetzte Flüssigkeiten einschaltet, so werden dieselben durch den Strom in ihre näheren oder entfernteren Bestandteile zerlegt; den Nachweis davon lieferte Wollaston 1), indem er einen Silberdraht, welcher mit dem Konduktor einer Elektrisiermaschine in leitender Verbindung stand, und welcher außer an seinem freien Ende mit Siegellack überzogen war, in eine Lösung von Kupfervitriol tauchte, in welche zugleich ein ebensolcher mit un Reibzeuge in Verbindung stehender Draht eintauchte. Nachdem die Scheibe der Maschine 100mal umgedreht war, zeigte sich die metallische Oberfläche des mit dem Reibzeuge verbundenen Drahtes mit Kupfer bedeckt. In dem mit dem Konduktor verbundenen Drahte wurde Schwefelsäure frei, wie dadurch bewiesen wurde, dass sich das Kupfer wieder auflöste, als der vorhin mit dem Reibzeuge verbundene Draht mit dem Konduktor webunden wurde. An dem Draht, aus welchem der Strom in die Flüssigkeit eintrat, wurde also die Säure frei, an dem anderen das Metall. Ebenso gelang es Wollaston, das Wasser zu zersetzen, es zeigte sich jedoch meist an beiden Spitzen Wasserstoff und Sauerstoff. Andere Zersetzungen hat Faraday ausgeführt.

An den Unterbrechungsstellen des Schließungsbogens zeigen sich ebenfalls chemische Einwirkungen der Funken auf die Gase. Läßt man den Funken häufig durch feuchte Luft schlagen, so bildet sich stets etwas Salpetersäure; zugleich tritt ein eigentümlicher, der sogenannte elektrische Geruch auf, welcher nach Schönbein in einer Modifikation des Sauerstoffs, welche sich bildet und die er Ozon nennt, seinen Grund hat. Der Sauerstoff ist ein zweiatomiges Gas, der elektrische Funke oder schon die auströmende Elektricität zerreifst die Doppelatome des Sauerstoffs, welche dann gesondert oder indem die einzelnen Atome an unzerrissene Moleküle sich ansetzen und so dreiatomige Moleküle bilden, als Ozon auftreten. Weiteres darüber sehe man in den Lehrbüchern der Chemie.

Läßt man den Funken durch entzündliche Gasgemische, so durch Wasserstoff und Sauerstoff, Wasserstoff und Chlor schlagen, so verbinden sich dieselben, eine Thatsache, welche in der Chemie bei der Gasanalyse im Eudiometer vielfach angewandt wird.

Umgekehrt werden zersetzbare Gase, so Stickoxydul durch den Fun-

welche von diesen Wirkungen als chemische, welche als sekundäre

m betrachten sind, darauf werden wir später zurückkommen.

Eine fernere Gruppe von Wirkungen im Schliefsungsbogen sind die physiologischen, welche sich wahrnehmen lassen, wenn man seinen Körper m den Schliefsungsbogen einschaltet, so daß der Entladungsstrom durch denselben hindurchgeht; im Augenblicke der Entladung fühlt man einen Schlag im Innern des Körners, besonders an den Gelanken, welcher mit

m den Schliefsungsbogen einschaltet, so daß der Entladungsstrom durch denselben hindurchgeht; im Augenblicke der Entladung fühlt man einen schlag im Innern des Körpers, besonders an den Gelenken, welcher mit der Stärke der Ladung zunimmt. Bei sehr starken Ladungen kann dieser schlag sogar dauernde Lähmungen und selbst den Tod zur Folge haben.

Außer diesem Schlage zeigt sich die Einwirkung auf den Organismus in einem örtlichen Schmerze an den Stellen, wo man auf denselben einen Funken überspringen läßt. Bei vielfachem Überspringenlassen auf dieselbe Stelle bildet sich eine Blase aus, welche zu Geschwüren Anlaß geben kann.

Die Wirkungen außerhalb des Schließungsbogens sind magnetische mid elektrische; erstere zeigen sich darin, daß durch den Entladungsstrom Magnetnadeln, um welche derselbe geführt wird, aus dem Meritane abgelenkt werden, und daß Stahlnadeln, welche in der Nähe des Schließungsbogens liegen, oder um welche derselbe geführt wird, bleibend magnetisch werden.

Die elektrischen Wirkungen der Entladungen in neben den ursprünglich elektrisierten stehenden Leitern sind Wirkungen der Influenz. Wir erwähnen an dieser Stelle nur den sogenannten Rückschlag in Leiten welche dem Konduktor einer Elektrisiermaschine, welche plötzlich entlage wird, nahe stehen. In isolierten Leitern, welche dem elektrisierten Konduktor nahe stehen, werden die beiden Elektricitäten durch Influenz getrennt; wird nun der elektrische Zustand des Konduktors plötzlich aufgehoben, so treten die getrennten Elektricitäten ebenfalls wieder zusammen dieses Zusammentreten bezeichnet man als Rückschlag. Man nimmt den Rückschlag sehr gut wahr an Froschschenkeln, welche frisch präparien isoliert in der Nähe eines Konduktors hingelegt sind; jedesmal, wenn dem Konduktor einen Funken entzieht, beobachtet man infolge der Rückschlages eine Zuckung des Froschschenkels.

Man kann den Rückschlag ferner leicht beobachten, wenn man in der Nühe eines Konduktors zwei Leiter so aufstellt, dass die Verbindungslind beider gegen den Konduktor gerichtet ist, und dass sie nur durch eine schmale Luftschicht getrennt sind. Ist der nähere von beiden isoliert, der von dem Konduktor entferntere mit der Erde in leitender Verbindung, wird der nähere durch Influenz elektrisch und die Influenzelektricität der zweiten Art springt auf den entfernteren über und wird zur Erde abgeleitet. Ist der Gleichgewichtszustand hergestellt, so ist der erste Leiter mit Influenzelektricität der ersten Art versehen, welcher in dem zweiten auf der dem ersten zugewandten Seite entgegengesetzte Elektricität influenziert. Wird der Konduktor plötzlich unelektrisch, so dass auf den ersten Leiter die Elektricität sich frei verbreiten kann, so findet and zwischen den beiden nahen Leitern die Ausgleichung statt.

Auf die ferneren elektrischen Wirkungen, die von Riess beobachteten Seitenentladungen wie auf die Nebenströme, werden wir in dem letzten Abschnitte eingehen.

Dritter Abschnitt.

Der Galvanismus.

Erstes Kapitel.

Die Entstehung des galvanischen Stromes und die Gesetze der Stromstärke.

§. 68.

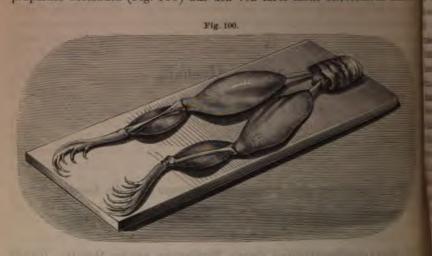
Elektricitätserregung durch Berührung zweier Metalle. Bereits bei Gelegenheit der Aufzählung der verschiedenen Elektricitätsquellen haben wir erwähnt, dass bei der Berührung heterogener Substanzen sich Elektricität entwickle. Die erste, jedoch nicht so verstandene Beobachtung dieser Art rührt von Sulzer her¹), welcher folgenden Versuch beschreibt. Wenn man zwei Stücke Metall, ein bleiernes und ein silbernes, so mit einander vereinigt, dass ihre Ränder eine Fläche bilden, und man bringt sie an die Zunge, so wird man einen gewissen Geschmack daran merken, welcher dem des Eisenvitriols nahe kommt, während jedes einzelne Metall denselben nicht zeigt. Diese Beobachtung blieb mehr als 30 Jahre eine Vereinzelte Thatsache, bis in den neunziger Jahren des vorigen Jahrhunderts Volta sie wieder hervorhob und erklärte.

Die zweite Beobachtung dieser Elektricitätserregung machte im Jahre 1789 Luigi Galvani, Professor zu Bologna²), zufällig, veranlast durch einen falsch verstandenen elektrischen Versuch. In der Nähe des Konduktors einer Elektrisiermaschine waren präparierte Froschschenkel wie Fig. 100 auf einen Tisch gelegt, und man fand, dass dieselben jedesmal zuckten, wenn aus dem Konduktor ein Funke gezogen wurde. Galvani zuckten, wenn aus dem Konduktor ein Funke gezogen wurde. Galvani zuckten, dass diese Zuckung einfach eine Folge des Rückschlages zucken nicht, dass diese Zuckung einfach eine Folge des Rückschlages zucken der durch den menschlichen oder tierischen Organismus geführte zutadungsschlag in demselben eine Zuckung hervorruft, er glaubte vielnehr in demselben eine Einwirkung der Elektricität auf die von ihm anzenommene tierische Elektricität zu erkennen.

¹⁾ Sulzer, Mémoires de l'Académie de Berlin 1760.

²⁾ Gulvuni, De viribus in motu musculari Commentarius, in den Commentariis Acad. Bonnoniae. T. VII. 1791.

Um zu untersuchen, ob die atmosphärische Elektricität auf die tiensch einen ebensolchen Einfluß habe, hing Galvani mehrere Froschpräparate ze einem kupfernen Haken an das eiserne Gitter seines Gartens. Die Frostpräparate bestanden (Fig. 100) aus den von ihrer Haut entblößten Hinter



schenkeln eines Frosches, welche durch die Schenkelnerven noch mit einem Stücke der Wirbelsäule verbunden waren. Die kupfernen Haken ware durch die Wirbelsäule gesteckt, so daß sie mit dem Rückenmarke in leitender Verbindung waren, mit welchem andererseits noch die Schenkelnerven verbunden waren.

Ein Einfluß der atmosphärischen Elektricität zeigte sich allerling nicht, denn so lange die Froschschenkel an den Kupferdrähten hingen, ohne das eiserne Gitter zu berühren, zeigte sich an ihnen gar nichts. Als abt Galvani die Kupferdrähte zurückbog, so daß die Froschschenkel das Essa berührten, zeigten sich an denselben die lebhaftesten Zuckungen; Galvas erkannte sofort, dass dieselben nicht Folge der atmosphärischen Elektricität sein konnten, und überzeugte sich noch weiter davon, indem de Zuckungen ganz ebenso auftraten, als er in einem Zimmer die Frontschenkel auf eine Eisenplatte legte und mit den Kupferdrähten dann de Eisenplatte berührte. Bei weiteren Versuchen zeigte sich, daß die wesentliche Bedingung zum Auftreten der Zuckungen in der Herstellung eines metallichen Bogens vom Rückenmark des Frosches zu den Schenkelmuskeln bestand, daß sie, so lange das Präparat noch nicht abgestorben war, jeder mal mit Heftigkeit auftraten, wenn dieser Bogen aus zwei Metallen, wie in den ersten Versuchen aus Kupfer und Eisen, bestand, daß sie aber auch auftreten konnten, wenn auch schwächer und nicht so regelmälsig. wenn dieser Bogen nur aus einem Metalle bestand.

Galvani sah in diesen Versuchen eine Bestätigung seiner Lieblingstheorie einer tierischen, durch den Lebensprozefs entwickelten Elektricität, und nahm an, daß das Froschpräparat einer mit dieser geladenen Leydener Flasche zu vergleichen wäre, deren innere Belegung der Nerv, deren äußere der Muskel bildete. Wenn durch den metallischen Bogen die leitende rbindung zwischen beiden hergestellt werde, trete die Entladung ein, d infolge dieser die Zuckung.

Die Bekanntmachung dieser Versuche erregte das größte Aufsehen, d die Versuche wurden allerorten wiederholt. Eine aufmerksame Wiederung erregte aber zunächst bei Alexander Volta 1), Professor zu Pavia, eifel an der Richtigkeit der Erklärung, welche Galvani ihnen gegeben; wurde darauf aufmerksam, daß die Versuche am besten gelangen, wenn r Nerv und Muskel verbindende Bogen aus zwei Metallen bestand, daß Zuckungen nur höchst unregelmäßig auftraten und oft ganz auseben, wenn der Bogen nur aus einem Metalle bestand. Er nahm daher , daß die eigentliche Quelle der die Zuckungen erregenden Kraft in r Berührung der beiden Metalle liege, dass bei dieser Berührung Elekicitat entwickelt werde und dass die Ausgleichung dieser Elektricität irch das Froschpräparat dasselbe zum Zucken bringe. Das Froschpräparat bre demnach nur als ein sehr empfindliches Elektroskop zu betrachten. als auch bei einem Metalle der Versuch wohl gelinge, das glaubte Volta arnus zu erklären, dass wohl auch in einem von demselben Metalle geommenen Streifen Ungleichartigkeiten vorkämen, oder später auch, daß e ungleiche Berthrung des Metalls mit Nerv und Muskel schon Elekricität hervorbrächte.

Es entspann sich jetzt ein heftiger Streit zwischen Galvani und seinen anhängern einerseits und Volta andererseits, auf welchen wir hier nicht über eingehen können²), der aber mit dem Siege Voltas endete, als er auch auf andere Weise unzweideutig den Nachweis lieferte, daß bei der Berührung zweier Metalle Elektricität entwickelt wird. Dadurch wurde Volta der eigentliche Begründer dieses Zweiges der elektrischen Erscheinungen, relche indes nach demjenigen, der sie zuerst beobachtet, wenn auch falsch verstanden hat, galvanische Erscheinungen genannt werden.

Die Versuche Voltas, welche seitdem als Fundamentalversuche bemehnet werden, sind, wenn auch in etwas anderer Form, folgende³):

Man nehme zwei eben auf einander geschliffene Platten, die eine von Kupfer, die andere von Zink, von circa 10 cm Durchmesser, welche mit isolierenden Handhaben versehen sind, und setze sie auf einander. Dann hebe man sie einander parallel von einander, und berühre mit der Kupferplatte die Kollektorplatte eines kondensierenden Elektroskopes. Als solches wendet man am besten ein Behrenssches nach der Einrichtung von Fechner oder Riess au, welches mit einem Kondensator versehen ist; auf den Metallstuft des Elektroskopes ist zu dem Ende eine Kupferplatte geschraubt, welche auf ihrer oberen Fläche mit einer sehr dünnen Firnisschicht versehen ist, auf dieser steht eine Zinkplatte, welche auf ihrer unteren Seite ebenfalls mit einer möglichst dünnen Firnisschicht versehen ist.

Ist das Elektroskop recht empfindlich, so wird man bei dem Abheben

¹⁾ Volta, Giornale Physico-medico di D. Brugnatelli 1794. Grens Journal ir Physik. Bd. II.

²⁾ Eine äußerst interessant geschriebene Geschichte des Streites zwischen alvani und Volta giebt Du Bois Reymond in dem ersten Bande seiner Unterschungen der tierischen Elektricität.

³¹ Voltos Fundamentalversuche sind mitgeteilt in Grens Neues Journal für bysik Bd. IV, Gilberts Ann. Bd. X.

der Kondensatorplatte schon jetzt eine Bewegung des Goldblättchens wahrnehmen, welche anzeigt, dass die Kollektorplatte negative Elektricität erhalten hat. Viel stärker wird aber die Ladung, wenn man den Versuch einigemal wiederholt; man berührt dann mit der Kupferplatte die kupferne Kollektorscheibe, mit der Zinkplatte zugleich die Kondensatorscheibe von Zink, setzt sie darauf wieder wie vorher zusammen und berührt nach dem Abheben der Zinkplatte die Kollektorplatte wieder mit der Kupferscheibe, die Kondensatorplatte mit der Zinkscheibe. Nach einigen Wiederholungen dieses Verfahrens wird man in der Kollektorplatte des Elektroskopes ziemlich kräftige negative Elektricität finden.

Wendet man als Kollektorscheibe des Kondensators eine Zinkplatte an, als Kondensatorscheibe eine Kupferplatte, und wiederholt den beschriebenen Versuch ganz in der angegebenen Weise, nur mit dem Unterschiede daß man jetzt mit der unteren Kollektorplatte die Zinkplatte mehrmals in Berührung bringt, so zeigt das Elektroskop jetzt ebenso starke positive Elektricität an wie vorher negative.

Dieser Versuch beweist, dass bei der Berührung der Kupfer- und Zinkscheibe Elektricität entwickelt wird, indem nach der Berührung der beiden Platten die Zinkplatte sich positiv, die Kupferplatte sich negativ elektrisch zeigte.

Man kann diesen Versuch in mannigfacher Weise mit gleich günstigem Erfolge abändern. Zunächst kann man die erregenden Platten selbst als Kondensatorplatten anwenden in der Art, dass man die eben benutze Kupfer- oder Zinkplatte direkt auf das Elektroskop schraubt und auf dieselbe die andere der beiden Platten isoliert aufsetzt, so dass die beiden Metalle sich in der ganzen Fläche berühren. Ist das Elektroskop hinrechend empfindlich, so wird es nach dem Abheben der oberen Platte negative Elektricität zeigen, wenn dieselbe die Zinkplatte war, positive, wenn die-

selbe die Kupferplatte war.

Ist das Elektroskop nicht empfindlich genug, um bei diesem Versuche Elektricität zu zeigen, so setze man auf dasselbe wieder den zuerst angewandten Kupferzink-Kondensator und verbinde die Rückflächen der beiden Scheiben durch einen Kupfer- oder Zinkdraht, welchen man isoliert hält. Auch nach einer noch so kurzen Verbindung der beiden Platten wird man nach dem Abheben der Kondensatorplatte kräftige Anzeigen von Elektricität erhalten, von negativer, wenn Kupfer, von positiver, wenn Zink unten war. Bei diesem Versuche wird die Elektricität an der Berührungsstelle des Drahtes mit dem ungleichartigen Metalle erregt, von dort fliefst dieselbe in die Platten des Kondensators und zwar so lange, bis die Dichtigkeit auf der Kollektorscheibe oder dem damit in Verbin dung stehenden Drahte gleich ist der Dichtigkeit der durch die Berührung erregten Elektricität. Es ist bei diesem Versuche ganz gleichgiltig, ob man den Draht an den Scheiben einfach anlegt, oder ob man mit demselben die Platten reibt, ein Beweis, dass die allenfalls bei allen diesen Berührungen vorkommende Reibung nicht die Quelle der beobachteten Elektricität ist.

Ebenso wie bei der Berührung von Kupfer und Zink zeigen sich auch utäten bei der Berührung irgend zweier anderer Metalle, so daß seine von zweien positiv, das andere negativ elektrisch wird.

Es ergiebt sich demnach, dass stets bei der Berührung zweier verbiedener Metalle und insolge dieser Berührung auf den beiden Metallen siche Mengen entgegengesetzter Elektricität auftreten. Wir sind daher nötigt anzunehmen, dass bei der Berührung eine Kraft austritt, welche in den neutralen Metallen verbundenen Elektricitäten von einander und veranlast,, dass eine gewisse Menge positiver Elektricität von in ersten auf das zweite, eine gewisse Menge negativer Elektricität von zweiten auf das erste übergeht. Diese Kraft, welche bei und insolge Berührung der Metalle austritt, nennt man die elektromotorische Kraft.

Das Bedingende dieser Kraft sieht Helmholtz¹) in einer verschieden krken Anziehung der verschiedenen Metalle auf die beiden Elektricitäten; nimmt an, dass die Materie der Metalle eine Anziehung auf die Elektricitäten ausübt, und dass diese Anziehung eine verschiedene Größe habe nach Art der Elektricität. Diese Anziehung soll nach Art der Molenlarkräfte nur in unmessbar kleinen Entfernungen wirken, während die

lektricitäten auf einander aus endlichen Entfernungen wirken.

In wie weit durch solch eine verschiedene Anziehung der beiden etalle auf die verschiedenen Elektricitäten eine Trennung derselben und erteilung über die Metalle eintreten kann, lässt sich leicht erkennen. Innern jedes der einzelnen Metalle ist die Anziehung auf beide Elekwitäten dieselbe, in einem gewissen Abstande von der Grenzfläche daegen muß infolge dieser Verschiedenheit eine Trennung der Elektricitäten ntreten. Nehmen wir z. B. Kupfer und Zink und setzen voraus, daß steres stärker die negative, letzteres stärker die positive Elektricität azieht, so wird auf die in den der Berührungsstelle nahe liegenden bellen des Kupfers vorhandene positive Elektricität eine gegen das Zink cichtete, auf die negative dagegen, welche in den der Grenze nahe lienden Zinkteilen vorhanden ist, eine gegen das Kupfer gerichtete Kraft irken. Infolgedessen wird negative Elektricität auf das Kupfer, positive das Zink fließen, bis die Anziehung der getrennten Elektricitäten zu ander den Anziehungen der Metalle auf die verschiedenen Elektricitäten gegengesetzt gleich ist, oder bis die Differenz der Potentialwerte der samten freien Elektricität in den beiden Metallen der elektromotochen Kraft gleich ist. Die getrennten Elektricitäten verbreiten sich mlich über die beiden Metalle und verteilen sich so, dass ein den elekschen Gesetzen entsprechender Gleichgewichtszustand hergestellt wird. zu mufs die Potentialfunktion der gesamten Elektricitäten an allen takten eines und desselben Metalles, welche hinreichend weit von der rührungsstelle entfernt sind, einen und denselben Wert haben, in den rschiedenen Metallen muss aber der Wert verschieden, in dem einen wa V11 in dem anderen etwa V2 sein. Die Werte ändern sich in der the der Berührungsfläche und gehen, indem man aus dem einen Metall das andere fortschreitet, von V_1 in V_2 über. Die Niveauflächen dieser ränderlichen Potentialfunktion V müssen der Berührungsfläche der beiden stalle parallel sein, da in gleichen Abständen von der Grenze an jeder ite die von dem andern Metall ausgeübten Kräfte gleich sein müssen. dert sich die Potentialfunktion, wenn wir von einer Niveaufläche zur

¹⁾ Helmholtz, Erhaltung der Kraft. Berlin 1847. S. 47.

andern übergehen, welche in der Richtung der Normale um dn entfensist, um dV, so giebt uns

 $-\frac{dV}{dn}$

die Kraft, mit welcher die in einem Punkte der betrachteten Niveausisch vorhandene Einheit der freien Elektricität nach der einen oder ander Seite getrieben wird. Die Kraft, welche auf die in der Länge dn welchandene freie Elektricität wirkt, ist dann

$$-\frac{dV}{dn} \cdot dn$$

und die Kraft, welche die freie Elektricität überhaupt in der Richten dieser Normalen nach der einen oder andern Seite treibt, ist gleich de Summe aller dieser Werte, dieselbe ausgedehnt über alle Punkte de Normale, in denen überhaupt die Potentialfunktion einen veränderliche Wert hat. Rechnen wir die Normale von der Berührungsfläche aus, westen den Abstand von der Berührungsfläche, in welchem die Potentialfunktion den konstanten Wert V_1 hat, gleich +n, den, in welchem den Wert V_2 hat, gleich -n, so ist diese Summe

$$-\int_{-\pi}^{+n} \frac{dV}{dn} dn = V_2 - V_1.$$

Da nun die elektromotorische Kraft nach Herstellung des Gleich gewichtszustandes dieser so bestimmten Kraft, welche die getrennten Elektricitäten wieder zu vereinigen sucht, entgegengesetzt gleich sein musso wird dieselbe

$$E = V_1 - V_2.$$

Da unserer Voraussetzung nach die Anziehungen der Metalle auf die Elektricitäten sich nur auf unmeßbar kleine Entfernungen erstrecken, wo folgt, daß die elektromotorische Kraft E unabhängig ist von der Größe und Ausdehnung der sich berührenden Körper und von der Ausdehnung der Berührungsfläche, daß sie nur abhängig ist von der Verschiedenbeder Metalle. Damit folgt dann aus obiger Gleichung, daß durch der Berührung zweier Metalle eine Zerlegung der Elektricitäten eintreten muß, derart, daß das eine Metall eine gewisse Menge positiver, der andere eine gewisse Menge negativer Elektricität erhält, bis die Werte der elektrischen Potentialfunktion in den beiden Metallen eine bestimmt Differenz haben, welche nur abhängig ist von der Natur der Metalle.

Dass durch die elektromotorische Kraft die Elektricitäten nur bis neiner bestimmten Differenz der elektrischen Potentiale getrennt werde können, das ergiebt sich schon aus dem zweiten der vorhin erwähnten Versuche, nach welchem die Divergenz der Goldblättchen erst eintritt, wem von den beiden sich berührenden auf dem Elektroskop befindlichen Platten die eine fortgehoben wird. Denn würde die Trennung der Elektricitäten in beiden Platten eine unbegrenzte sein, das heist, würde sie nicht aufhören, wenn die Dichtigkeit der getrennten Elektricitäten eine bestimmte geworden ist, so müste auch, wenn die obere Platte nicht abgehoben wird.

hr bald eine solche Menge von Elektricität in die Goldblättchen ein-

eten, dass dieselben zur Divergenz kämen.

Dass nach dem Abheben der obern Platte die Goldblättchen divereren, hat seinen Grund darin, dass die getrennten Elektricitäten sich genseitig anziehen, und dass deshalb die größte Menge derselben sich beiden Seiten der Berührungsfläche ansammelt, gerade wie bei dem Indensator.

Die bei dem einfachen Kondensator vorhandene isolierende Zwischensicht wird hier durch die elektromotorische Kraft ersetzt, welche die

ektricitäten getrennt erhält.

Wir können aus der Theorie des kreisförmigen Ansammlungsapparates zar leicht bestimmen, welcher Bruchteil der Elektricität sich frei in das ektroskop verbreiten, welcher an der Berührungsfläche bleiben wird. ben wir von den Ansätzen der Platten ab, und betrachten sie als einche kreisförmige Platten, so können wir direkt die für den plattenmigen Ansammlungsapparat im §. 41 durchgeführten Rechnungen betzen. Ist die Dichtigkeit der Elektricität auf der obern Zinkplatte gleich $-h_1$, somit auf der untern Platte $-h_2$, ist der Radius der Platte gleich R_1 id ist der Abstand der elektrischen Schichten, wenn wir uns die Elektritäten in je einer Schicht angehäuft denken, gleich d, so wird aus der atern Platte derselbe Bruchteil der Elektricität sich in das Elektroskop arbreiten, welcher von der untern Platte abfließen würde, wenn wir uns ese Platte mit der Erde in leitender Verbindung denken; derjenige Bruchil wird an der Berührungsfläche festgehalten, welcher in der Kondenstorplatte des Ansammlungsapparates durch Influenz erregt und festchalten wird. Wie wir sahen, ist die Dichtigkeit h, auf der abgeleiteten ondensatorplatte, da auf dieser das Potential V2 gleich null ist,

$$h_1 = -h\left(1 - \frac{\delta}{R}\right).$$

Da die Dichtigkeit der negativen Elektricität auf der Kupferplatte ist, so folgt, daß die der Dichtigkeit $h \frac{\delta}{R}$ entsprechende Elektricitätswage sich in dem Elektroskop verbreiten wird, jedenfalls nur ein sehr ihner Bruchteil der gesamten erregten Menge; wir werden später einen vsuch von Fechner kennen lernen, welcher die Menge dieser sich frei Fbreitenden Elektricität bestimmt.

Ein weiterer Beweis dafür, daß bei der Berührung die Elektricitäten is zu einer bestimmten Differenz ihrer Potentialwerte getrennt werden innen, ergiebt sich ferner aus der Erfahrung, daß Elektricität, welche einen der beiden Platten mitgeteilt wird, auch auf die andere übertet, und daß der elektrische Zustand der einen der Platten wesentlich a demjenigen der andern Platte abhängt. Schichten wir z. B. auf eine upferplatte eine Zinkplatte und auf diese wieder eine Kupferplatte, so auf beiden Kupferplatten keine Spur von Elektricität nachzuweisen. urch die Berührung der Zinkplatte mit der untern Kupferplatte tritt ne solche Trennung der Elektricitäten ein, daß die freie Fläche der stern Kupferplatte die dem Potentialwerte V2 entsprechende Dichtigkeit h erhält, und die Rückfläche der Zinkplatte, dieselbe als frei gedacht,

die Dichtigkeit + h bekäme. Die Rückfläche der oberen Kupferhält durch die Berührung mit der Zinkplatte die Dichtigkeit - die untere Fläche der Zinkplatte die Dichtigkeit + h. Da nu Kupferplatten sich unelektrisch erweisen, so folgt, dass die freie Elektricität der Zinkplatte, welche durch die Berührung mit der Kupferplatte entsteht, auch auf die obere Kupferplatte übergeht dort durch die Berührung mit der Zinkplatte verbreitete neut und dass ganz dasselbe an der untern Kupferplatte stattfindet.

Betrachten wir die drei Platten als drei Flächen, so können whier, zum genauern Verständnis dieses Versuches die Rechnun §. 41 für den plattenförmigen Ansammlungsapparat benutzen. zeichnen die Dichtigkeit der Elektricität auf der untern Kupferp folge der Berührung mit der Zinkplatte als — h, dieselbe als glei über die ganze Platte, dieselbe als Fläche gedacht verbreitet. Die keit auf der Zinkplatte ist dann +h. Sind die beiden Platten al handen, so ist die Potentialfunktion auf der Zinkplatte, wie mittelbar aus den Rechnungen des §. 41 ergiebt, indem dort die keit $h_1 = -h$ gesetzt wird,

 $V_1 = 2\pi \delta h$

und auf der Kupferplatte

$$V_2 = -2\pi \delta h$$
.

Somit

$$V_1 - V_2 = 4\pi\delta h$$
.

Durch die Berührung der Zinkplatte mit der obern Kupferplat der Wert der Potentialfunktion auf der Zinkplatte um 2πhδ, also

$$V_1' = 4\pi h \delta$$
.

Ist in der That die Potentialdifferenz zwischen zwei Metal stant, so muß durch diese Steigerung das Potential auf der un obern Platte gleich null werden, das heißt der Zustand der beider muß derselbe sein, wie der einer abgeleiteten Belegung einer I schen Tafel, sie können keine ableitbare Elektricität enthalten, der Versuch ergab.

Dass die elektromotorische Kraft unabhängig ist von der Grausdehnung der sich berührenden Körper und der Berührungsfläläst sich durch eine Variierung der zuletzt erwähnten Form des mentalversuches, bei welchem die Rückflächen des Kupferzinkkond durch einen Draht verbunden wurden, leicht zeigen. Ob man da einfachen Kupferdraht oder einen breiten Streifen, oder einen in azusammengelöteten Kupfer-Zinkstreifen anwendet, dessen Zink öplatte, dessen Kupfer die Kupferplatte berührt, ist für den Erfgleichgültig. Bei Anwendung desselben Kondensators erhält madieselben Elektricitätsmengen. In diesem Falle dienen die Platten Ansammlungsapparat, die Erregung der Elektricität findet dort sich die Metalle berühren, und von dort fließt die Elektricität auf die Platten ab, bis auf der Zinkplatte das Potential V_1 , Kupferplatte V_2 geworden ist. Die Menge der auf der Zinkpla vorhandenen positiven Elektricität ist:

i9.

$$Q = \frac{F}{4\pi\delta} (V_1 - V_2),$$

han F die Größe der Platten, δ die Dicke der isolierenden Zwischenschicht heutet. Die Menge der in die Platten überfließenden Elektricität hängt hit wesentlich ab von der Größe der Platten und von der Dicke der Lierenden Zwischenschicht. Da die Differenz der Potentialwerte auf sich hrenden Metallen nun immer nur eine sehr kleine ist, so muß man nichern Gelingen der Fundamentalversuche immer möglichst große henutzen.

Die elektrische Spannungsreihe. Das elektromotorische Verhalten eier sich berührender Metalle ist sehr verschieden je nach der Natur Metalle sowohl in Bezug auf die Art der erregten Elektricität, als Bezug auf die Größe der Differenz der Potentialwerte. Bei der Behrung mit Zink z. B. wird das Kupfer negativ elektrisch, ebenso, aber deutend schwächer bei der Berührung mit Zinn oder Eisen; mit Platin er Silber dagegen berührt wird das Kupfer positiv elektrisch. Sowohl Bezug auf die Art der Erregung als auch auf die Größe derselben ssen sich die Metalle in eine Reihe, die von Volta sogenannte Spannungsihe, ordnen, derart, daß die Stellung zweier Metalle in dieser Reihe igiebt, welche Elektricitätsart jedes der Metalle erhält und wie große elektrische Differenz derselben ist.

Zur Bestimmung der Stellung, welche die Metalle in der Spannungsnhe haben, untersucht man, welche Elektricität dieselben bei der Beihrung unter einander und mit solchen, deren Stellung in der Spannungssibe bekannt ist, annehmen. Hat man ausgedehnte Flächen der Körper a Gebote, so kann man die erregte Elektricität einfach auf den Kondenstor übertragen. Man habe z. B. einen Kondensator von Messingscheiben, nd wolle untersuchen, in welcher Weise Zinn und Silber elektrisch ierden, wenn sie sich berühren. Man versieht die beiden zu untersuchenlen Metalle mit isolierenden Handhaben, hält sie an einander, hebt sie soliert ab und legt eine derselben an die Kollektorscheibe, indem man etztere in einem Punkte berührt. Man wiederholt dieses mehreremale, inlem man vor jedem neuen Zusammenlegen die beiden zu prüfenden Platten mit einem Drahte ihres Metalles ableitend berührt. Die Kollektorplatte wird dann immer die Elektricität der angelegten Platte annehmen. Denn wenn auch durch die Berührung der letzteren mit der Kollektorplatte Elektricität frei wird, so ist die hierdurch auf die Kollektorplatte übergehende Elektricität jedenfalls nur höchst unbedeutend, so dass sie kaum einen störenden Einfluss haben kann. Es folgt das aus der Theorie des Kondensators; bei der Berührung wird auf beiden Platten an der Berührungsstelle Elektricität einer gewissen Dichtigkeit erzeugt, und da die angelegte Platte isoliert ist, nur soviel, dass das berührte Flächenstück die erwähnte Dichtigkeit erhält. Diese geringe Elektricitätsmenge ist es dann, welche sich nach Fortnahme ler Platte über dem Kondensator verbreitet und zu der von der Platte uf den Kondensator übergegangenen summiert oder davon subtrahiert. Das qualitative der Resultate wird deshalb dadurch nicht gestört sein können.

Eine andere Methode zur Aufstellung der Spannungsreihe ist von Wellen, Physik IV. 4. Auf.

Pfaff angewandt worden; er berührte mit den zu untersuchenden Metall die Zink-Kollektorplatte eines Kondensators und beobachtete die Stad der elektrischen Erregung. Das Zink wurde mit allen Metallen posit elektrisch; je stärkere Elektricität es annahm, wenn es mit einem Metal berührt wurde, um so weiter war es von dem Zink in der Spannung reihe entfernt. So findet man z. B., dass Zink mit Eisen berührt schwich elektrisch wird als mit Kupfer, deshalb steht Eisen zwischen Zink Kupfer. Das Gesetz der Spannungsreihe als richtig vorausgesetzt schliel man dann daraus schon, dass Eisen mit Kupfer berührt positiv wird, es auch der direkte Versuch zeigt.

Das genaueste Verfahren ist indes die Anwendung von Kondensaton der zu untersuchenden Metalle und dieses, wie es von Kohlrausch se gewandt wurde, ist das einzige, welches zu Messungen über die Größ der elektromotorischen Kraft oder der elektrischen Differenz zweier Metal angewandt werden kann.

Nach diesem oder ganz ähnlichen Verfahren hat zuerst Volta') d Nachweis geliefert, dass sämtliche Metalle sich in eine Reihe derart ordn lassen, dass jedes vorhergehende Metall bei der Berührung mit allen nat folgenden positiv elektrisch, jedes nachfolgende bei der Bertihrung 1 einem vorhergehenden negativ elektrisch wird. Außer den Metallen ordn sich in diese Spannungsreihen noch Kohle, einige Superoxyde und eini Schwefelmetalle. Die Voltasche Spannungsreihe ist später von versch denen Physikern vervollständigt worden; es folgen hierunter die Angab von Seebeck²), Munk af Rosenschöld³), Pfaff⁴) und Péclet⁵).

Spannungsreihe der Metalle

		nach:		
V ol ta	Seebeck	Munk	Pfaff	Péclei
+	+	+	+	+
Zink	Zink		Zink	Zink
Blei	Blei poliert		Kadmium	Blei
Zinn	Zinn		Zinn	Zinn
Eisen	Blei rauh		Blei	Wisnut
Kupfer	Antimon		Wolfram	Antimon
Silber	Wismut	Kupfer	Eisen	Eisen
Gold	Eisen	Silber	$\mathbf{W}_{\mathbf{ismut}}$	Kupfer
Graphit	Kupfér	Gold	Antimon	Gold
Braunstein	Platin	Schwarzes Schwe-	Kupfer	-
	Silber	felquecksilber	Silber	
	_	Schwefelkies	Gold	
		Braunstein	Uran?	
		Bleisuperoxyd	Tellur	
			Platin	
			Palladium	

¹⁾ Volta, Gilberts Annalen. Bd. X.

Seebeck, Abhandlungen der Berliner Akademie 1822 – 1823.
 Munk af Rosenschöld, Poggend. Ann. Bd. XXXV.
 Pfaff, Poggend. Ann. Bd. Ll.
 Péclet, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. II.

Wie man siene simmen dess Leiben im granen gur nur ontanner rein, nur in Lieung auf einige vernom Aeralie, se der Eisen Austman I Wismut sind die Augmen mehr bierenstimmend. Der Studi derem in davin liegen, find die Kennle Seeberst mehr trakkommen abensed a waren, dem die geringste Versamelennen in besseden bedinge auch e Veränderung in der gestimmentensen Trakt, wie des seden die verniedene Stellung von jadertem mit manem Eisel in Seeberst Sielte sogs-

Die elektrische Spannungsreite gehr mehr allem ber Am mach die ktrische Erregung bei der Berthurung rouger Metalle an, sondern et sich die relative ferfise berseiten in bem Same, hab die diektrische flerenz zweier Metalle in der Spannungsreite gienen ist der Samme der ktrischen Differenzen aller rotschenliegenden.

Dieser Satz wurde innerst von Vollage bewiesen burch Mossong des sktrischen Differennen an einem Stroithalmelektrometer, welches von den indensator in Verführing was. Er seinte, allerbings, wie wit on vongen sichnitte sahen, ungenan, lie erregte Elektrichtab der Processen der rohalme proportional.

In dieser Weise gemessen fand Volta für die elektrischen Differvoren gende Werte:

Zink Blei 5	Zink Silber 12
Blei Zinn 1	Zink Eisen 9
Zinn Eisen 3	Zinn Kupter 3
Eisen Kupfer 2	•
Kupfer Silber 1	

Bezeichnen wir die Metalle mit ihren chemischen Zeichen, und die ektromotorische Kraft zwischen denselben durch die mit einem vertikalen trich getrennte Zusammenstellung der Zeichen der Metalle, weber ein ligemeinen das mit positiver Elektricität verschene Metall ner die chrieben werden soll, so ergiebt sich aus obigen Zahlen

Die Zahlen von Volta sind wie gesagt nicht genau, man kann under ie Richtigkeit dieses Spannungsgesetzes noch durch eine undere Ertahrung eweisen, welche keine genaue Messung orfordert.

Legt man an einen Kupfer-Zink-Kondensator eine Kupferplatte, weh heut einer in der Hand gehaltenen Zinkplatte liegt, und heuthet euglech bie Zinkplatte des Kondensators ableitend, so erhält der Kondensator eine ewisse Elektricitätsmenge, welche nach Abheben der Zinkplatte eine gangestimmte Ablenkung des Goldblättehens zur Folge hat. Wiedenhalt man etzt den Versuch, indem man zwischen Zink und Kupter eine Auschleibiger anderer Metalle einschaltet, so zeigt die Ablenkung des Und lättehens, daß die in den Kondensator übergegangene Elektricitätsmengerengen bei dem vorigen Versuche ganz genau gleich ist. Es erglichte

¹⁾ Volta, Gilberts Annalen. Bd. X.

sich aus diesem Versuche, dass die elektrische Differenz der Endglieder einer Reihe von einander sich berührenden Metallen nur abhängig ist von derjenigen der Endglieder, dass es einerlei ist, ob zwei Metalle sich direkt oder mit Zwischenschaltung einer beliebigen Anzahl Metalle berühren.

Dieser Satz ist eine unmittelbare Folge des Spannungsgesetzes, dem er sagt aus, dass z. B.

$$Zn \mid Cu = Zn \mid Pb + Pb \mid Sn + Sn \mid Fe + Fe \mid Cu$$

ist; die Bestütigung desselben in der Erfahrung ist also rückwärts ein Beweis für die Richtigkeit des Spannungsgesetzes.

Eine Folgerung dieses Satzes ist, daß bei einer Metallkette, deren Endglieder aus denselben Metallen bestehen, die elektrische Dichtigheit auf den Endgliedern stets gleich null sein muß, und daß auf einem Metallringe, der in sich geschlossen ist, die Dichtigkeit der Elektricität überall gleich null sein muß, Folgerungen, welche sich in der Erfahrung leicht bestätigen lassen.

Das Spannungsgesetz ist schliefslich von Kohlrausch durch exakte Messungen an dem von ihm konstruierten Kondensator bestätigt worden!)

Kohlrausch wandte zu dem Ende in dem schon früher beschriebenen Kondensator Platten der verschiedenen Metalle, oder nachdem er sich von der Zulässigkeit des Verfahrens überzeugt hatte, Messingplatten oder andere an, welche auf den einander zugewandten Flächen mit den zu untersuchenden Metallen gleichmäßig galvanisch überzogen waren. Die Platten des Kondensators wurden, während sie einander genähert waren, durch einen Draht mit einander in Berührung gebracht, dann von einander entfernt und bald die eine bald die andere an dem von Kohlrausch verbesserten Dellmannschen Elektrometer geprüft. Aus den Angaben des Elektrometers ergiebt sich nach §. 45 der Potentialwert oder die Dichtigkeit der auf der geprüften Platte vorhandenen Elektricität.

Nach den Entwickelungen des vorigen Paragraphen tritt auf den beiden sich gegenüberstehenden Platten M und M_1 , nachdem sie durch einen beliebigen isolierten Draht verbunden waren, eine bestimmte Differenz der Werte der elektrischen Potentialfunktion ein, so daß die elektromotorische Kraft wird

$$M \mid M_1 = V_1 - V_2.$$

Ist die Dichtigkeit der Elektricität auf der positiven Platte M gleich h, auf der negativen demzufolge gleich -h, und ist der Abstand der Platten im Kondensator gleich δ , so ist nach \S . 41

$$V_1 = 2\pi\delta h$$
 $V_2 = -2\pi\delta h$ $V_1 - V_2 = 4\pi\delta h = 2V_1 = -2V_2$,

so dass wir also die elektromotorische Kraft auch einfach dem Potentialwerte der durch diese Berührung erregten Elektricität auf jeder einzelnen der Platten proportional setzen können. Wir wollen deshalb, da wir bei vorausgesetzter gleicher Gestalt der beiden sich berührenden Metalle stets $V_2 = -V_1$ haben, weil die Dichtigkeiten auf beiden Metallen dann gleich

¹⁾ Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. LXXXII.

in müssen, unter elektromotorischer Kraft den Potentialwert auf einem metalle verstehen, so daß

$$M \mid M_1 = V_1$$

nmer den Potentialwert auf dem vor dem Vertikalstrich stehenden Metalle edeutet. Damit wird

$$M_1 \mid M = V_2 = -V_1$$

 $M_1 \mid M = -M \mid M_1$

Werden zu den Messungen die beiden Platten so weit von einander antfernt, dass die eine auf die andere nicht mehr einwirkt, so wird das Potential auf denselben

$$V = \pm 2\pi h R$$

worin das obere Vorzeichen für die positive, das untere für die negative Platte gilt. Es wird somit

$$V = V_1 \frac{R}{\delta}$$

Das Potential V ist es, welches mit dem Elektrometer gemessen wird; für die elektromotorische Kraft ergiebt sich aus demselben

$$M \mid M_1 = V \frac{\delta}{R}.$$

Wenn man nun das Verhältnis der so bei verschiedenen Metallen gemessenen Potentialwerte demjenigen der elektromotorischen Kräfte zwischen diesen Metallen einfach gleich setzen wollte, dann müßten nach der letzten Gleichung δ und R immer die gleichen Werte haben, eine Bedingung, welche besonders in Bezug auf δ schwer oder gar nicht zu erreichen ist¹).

Deshalb begnügte sich Kohlrausch auch nicht damit, einfach die Potentialwerte der verschiedenen Platten mit einander zu vergleichen, welche durch die zwischen den Metallen thätige elektromotorische Kraft entstanden; sondern er verglich bei jedem Plattenpaar zunächst den durch den Kontakt erhaltenen Potentialwert mit jenem, welchen die betreffenden Platten durch die Verbindung mit einer konstanten Elektricitätsquelle erhielten, welche so beschaffen war, dass die eine der beiden Platten stets positive Elektricitat, die andere negative von genau gleicher Dichtigkeit erhielt. Diese Elektricitätsquelle war ein später genauer zu beschreibendes Daniellsches Element. Dasselbe besteht aus einem hohlen Kupfercylinder, welcher in einer Lösung von Kupfervitriol steht; im Innern dieses Cylinders steht eine mit verdünnter Schwefelsäure gefüllte poröse Thonzelle und in dieser ein Zinkcylinder. Wie wir später nachweisen werden, ist auf dem Kupfer-Cylinder positive Elektricität, auf dem Zinkcylinder negative von gleicher Dichtigkeit. Sei der Potentialwert auf denselben $\pm k$. Der Gang der Versuche von Kohlrausch war nun folgender. Zunächst wurden die Platten I und M1 durch einen Draht direkt verbunden und dann am Elektrometer das Potential + V der Platten gemessen; es ist

.

¹⁾ Man sehe darüber Gerland, Poggend. Ann. Bd. CXXXIII.

$$M \mid M_1 = V_1 = \frac{\delta}{R} V = a V.$$

Darauf wird die Platte M, welche wir als die positive der beiden Metalle annehmen wollen, mit dem Kupfer, M_1 mit dem Zink des Danielschen Elementes verbunden. Die Flüssigkeit des Daniellschen Elementes leitet die Elektricität. Sei das in dieser Anordnung gemessene Potential +V'; dann ist gerade wie eben die Potentialfunktion V_1' , welche die positive Platte annahm, als ihr die andere im Abstande δ gegenüberstand,

$$V_1' = a V'$$
.

Die Potentialfunktion V_1 setzt sich folgendermaßen zusammen:

- 1) Infolge der Verbindung mit dem Kupfer, auf welchem der Potentialwert k konstant vorhanden ist und auch bleibt, wenn es mit einem begrenzten Leiter in Verbindung gesetzt wird, nimmt die Platte den Potentialwert k an.
- 2) Durch die Berührung von M mit dem Kupfer würde die Platte den Potentialwert $+M \mid Cu$ annehmen, worin das obere Vorzeichen gilt, wenn M gegen Cu positiv, das untere, wenn es gegen Cu negativ ist; wir wollen, indem wir die Art der erregten Elektricität unbestimmt lassen, das positive Vorzeichen wählen.
- 3) Durch die Berthrung des Zinks im Elemente mit M_1 nimmt des Zink den Potentialwert $Zn \mid M_1$ an; da nun die Flüssigkeit die Elektricität leitet, so fliesst die diesem Potentialwerte entsprechende Elektricität auch auf das Metall M, so dass das ohnedem auf M vorhandene Potential um diesen Wert vergrößert wird.

Der Potentialwert auf dem Kupfer ist die Summe dieser drei Werte, so dass

$$a V' = V_1' = k + M \mid Cu + Zn \mid M_1.$$

Nun ist nach dem Gesetze der Spannungsreihe

$$M \mid Cu + Zn \mid M_1 = M \mid Cu + Cu \mid Zn + Zn \mid M_1 - Cu \mid Zn$$

= $M \mid M_1 - Cu \mid Zn$,

somit wird

$$aV' = k - Cu \mid Zn + M \mid M_1 = F + M \mid M_1.$$

Die Platte M_1 erhält, wie man leicht auf gleichem Wege findet, denselben Wert der Potentialfunktion mit entgegengesetztem Vorzeichen.

Bei einem dritten Versuche wird die Platte M mit dem Zink, die Platte M_1 mit dem Kupfer verbunden. Wird dann an der Platte M die Potentialfunktion V'' beobachtet, so ist

$$V_1^{"} = a V^{"}.$$

Die Potentialfunktion $V_1^{"}$ setzt sich jetzt aus folgenden Teilen zusammen:

- 1) Vom Zink her, welches den Potentialwert k konstant besitzt, k.
- 2) Durch die Berührung mit dem Zink M | Zn.
- 3) Durch die Berührung des Kupfers mit M_1 kommt hinzu $Cu \mid M_1$, somit wird

$$aV'' = -k + M \mid Zn + Cu \mid M_1 = -k + M \mid M_1 - Zn \mid Cu.$$

Da nun

$$Zn \mid Cu = -Cu \mid Zn$$

wird

١.

$$aV'' = -k + Cu \mid Zn + M \mid M_1 = -F + M \mid M_1.$$

Aus diesen beiden Versuchen folgt dann

$${}^{1}/_{3}(V'+V'') = \frac{M \mid M_{1}}{a} {}^{1}/_{2}(V'-V'') = \frac{F}{a}$$

$$\frac{V'+V''}{V'-V''} = \frac{M \mid M_{1}}{F}.$$

Diese beiden Versuche geben also schon allein das gesuchte Verhältnis $M \mid M_1$ zu der konstanten Größe F; der erste der erwähnten Verhe, welcher direkt den Wert von $M \mid M_1$ liefert, hat daher nur die fgabe eines Kontrolversuches.

Zur vollständigen Sicherheit bedarf es noch einer Korrektionsbeobtung; der Wert von k ist nämlich nicht, wie wir oben vorläufig anmen, vollkommen konstant, sondern mit der Zeit einigen Schwankungen erworfen. Um diese Schwankungen zu eliminieren, beobachtete Kohlsch stets zugleich an zwei Kondensatoren, einem bei allen Versuchen stanten Zink-Kupfer-Kondensator und an dem eben erwähnten. An dem k-Kupfer-Kondensator wurde ebenso die Ladung beobachtet, wenn Kupfer Kupfer, Zink mit Zink durch einen Draht verbunden war, als auch, in das Kupfer des Kondensators mit dem Zink des Elementes und das k des Kondensators mit dem Kupfer des Elementes verbunden war.

Den obigen ganz gleiche Betrachtungen zeigen, da bei der Berühg Zink gegen Kupfer positiv ist, dass in dem letzten Falle die Ladung Zinkplatte des Kondensators wird

$$A = \frac{1}{a'} (F + Zn \mid Cu),$$

ersten

$$B = \frac{1}{a'} (Zn \mid Cu - F).$$

Aus diesen beiden Gleichungen folgt wieder

$$\frac{Zn\mid Cu}{F}=\frac{A+B}{A-B}.$$

Setzen wir nun die elektrische Differenz oder den Potentialwert $\iota \mid Cu$ gleich 100, und beziehen auf diese die elektrischen Differenzen rübrigen Metalle, so können wir F selbst eliminieren und erhalten

$$\frac{M \mid M_1}{Zn \mid Cu} = \frac{(V' + V'') (A - B)}{(V' - V'') (A + B)} (a)$$

Kohlrausch beschreibt vollständig einen Versuch zur Ermittelung der ektrischen Differenz zwischen Zink und Platin. Da Zink positiv gegen atin ist, erhalten wir bei Verbindung des Platins mit dem negativen

Zink der Kette den Wert $\frac{1}{a}$ $(F + Zn \mid Pt)$, bei umgekehrter Verbindu erhalten wir $V'' = \frac{1}{a} (Zn \mid Pt - F)$.

Die von Kohlrausch auf den Kondensatorplatten gefundenen Ladung sind in den von ihm für das Torsionselektrometer gewählten Einheite

Zink-Platin-Kondensator			Zin	k-Kupfer-K	onden sato	•	
Zink- Platin- Mittel platte platte			Zink- platte	Kupfer- platte	Mitte		
V' V"	+11,98 $-3,01$	-12,02 + 2,92	$-12,000 \\ -2,965$		+11,0 $-3,15$	-11,12 + 3,01	11,0 — 3,0
V	+ 4,46	- 4,4 6	4,46	$\left \frac{1}{a'}Zn\right Cu$	+ 3,92	- 4,05	3,9

Dass die Vorzeichen der Werte V'' und B denen von V' und entgegengesetzt sind, beweist, dass F, oder die elektromotorische Kraft d Daniellschen Elementes, größer ist als die elektrische Differenz $Zn \mid I$ beziehungsweise als $Zn \mid Cu$.

Die halbe Differenz V'-V'' giebt die Ladung des ersten Konde sators durch das Daniellsche Element allein oder den Wert $\frac{F}{a}$ zu 7,48 die halbe Summe V'+V'' giebt die Ladung $\frac{M\mid M_1}{a}$ zu 4,5175, ϵ Wert, welcher von dem direkt beobachteten $V=\frac{M\mid M'}{a}$ gleich 4,46 n äußerst wenig abweicht.

Für den zweiten Kondensator ist

$$\frac{F}{a'} = \frac{A - B}{2} = 7,07.$$

$$\frac{Zn \mid Cu}{a'} = \frac{A + B}{2} = 3,99;$$

während die direkte Beobachtung für den letzten Wert 3,98, also fe genau dasselbe liefert. Für die elektromotorische Kraft $Zn \mid Pt$ in ihre Verhältnis zu $Zn \mid Cu$ liefert uns dann die Gleichung (a)

$$\frac{Zn \mid Pt}{Zn \mid Cu} = \frac{9,03.14,14}{14,96.7,98} = 1,064.$$

Wird also die elektrische Differenz $Zn \mid Cu$ gleich 100 gesetzt, wird $Zn \mid Pt = 106,4$.

Kohlrausch hat auf diese Weise direkt folgende Spannungsdifferenze bestimmt:

	Beob.	·Ber.	~ Beob. II.	Beob. III.	Beob. IV.
$Zn \mid Cu$	100		100	100	100
$Zn \mid Au$	112,7		115	. 115,0	
$Zn \mid Ag$	105,6		109	108,7	
$Zn \mid Pi$	107,0		123	·	
$Zn \mid Fe$	74,7				88
$Zn \mid Hg$	<u> </u>				125,3
$Fc \mid Cu$	31,9	25,3			12
Fe Pt	32,3	32,3			
Fe Au	39,7	38			
$Fe \mid Ag$	29,8	30,9			
Cu Au	•				
$Cu \mid Hg$					25,3
$Fe \mid Hg$					37,4.

Die als berechnet angegebenen Zahlen sind nach dem Spannungsze berechnet, indem z. B. $Fe \mid Ag = Zk \mid Ag - Zk \mid Fe$ gesetzt e. Wie man sieht, stimmen außer bei $Fe \mid Cu$ die berechneten en fast vollkommen mit den beobachteten überein.

Bei der Untersuchung des Bleis fand Kohlrausch den Einfluß der gsten Änderung des Metalls bestätigt, indem er für $Zn \mid Pb$ ganz re Werte fand, als er eine frisch gereinigte glänzende Bleiplatte anlte, wie als dieselbe Bleiplatte bei dem Liegen an der Luft mit einer lschicht sich bedeckt hatte.

Da bei der beschriebenen Versuchsreihe auch die Zinkplatte nicht ganz zend geblieben war, so sah sich Kohlrausch dadurch veranlaßt, seine uche zu wiederholen¹), indem er vor jeder Beobachtung die Zinke wieder sorgfältig reinigte. Die Resultate dieser Beobachtungen oben unter Beob. II mitgeteilt. Für die elektrische Differenz zwischen reinen und einer mit Zinkoxyd bedeckten Platte, also für $Zn \mid Zn \mid C$ Kohlrausch bei dieser Gelegenheit den Wert 39,9.

Die unter Beob. III angegebenen Werte sind ganz nach der Methode Kohlrausch von Gerland in meinem Laboratorium bei Gelegenheit r im nüchsten Paragraphen zu besprechenden Untersuchung bestimmt len²).

Die unter Beob. IV angegebenen Zahlen sind von Clifton³) ebenfalls i der Methode von Kohlrausch erhalten.

Außerdem hat Hankel⁴) die elektromotorischen Kräfte zwischen veredenen Metallen untersucht, nach einer Methode, welche im Princip derjenigen von Kohlrausch übereinstimmt, welche aber nicht der gleiGenauigkeit fähig ist, da Hankel die an verschiedenen Kondensatoren litenen Werte direkt vergleicht. Die Einrichtung, welche Hankel dem densator gab, war folgende. Eine Kupferplatte wurde auf einem Glas-

¹⁾ Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. LXXXVIII.

²⁾ Gerland, Poggend. Ann. Bd. CXXXIII.
3) Clifton, Proceedings of the London Royal Society vol. XXVI, Beiblätter

oggend. Ann. Bd. I, p. 568.
4) Hankel, Abhandl. der mathem. Klasse der Königl. Sächs. Gesellschaft Wissenschaften zu Leipzig. Bd. IV. 1864.

cylinder genau horizontal befestigt, über derselben schwebte an drei Fid eine zweite Kupferplatte von genau gleicher Größe, welche an einer Fth rung gehoben und gesenkt werden konnte, so dass sie in jeder Höhe voll kommen horizontal blieb. Von dieser Platte führte ein zu einer loss Spirale gewundener Platindraht zu dem Goldblättchen eines Behrenssch Elektroskops, dessen trockne Säule durch eine Zink-Wasser-Kupfersäul ersetzt war. Die der beweglichen Platte erteilte Ladung, respektive dem Potentialwert wurde durch den Ausschlag des Goldblättchens gemessen den Hankel immer nur sehr klein werden ließ, und den er deshalb duck ein Mikroskop mit Okularmikrometer beobachtete. Dem Ausschlage de Goldblättchens setzte er den Potentialwert der beweglichen Platte preportional. Zur Untersuchung der elektromotorischen Kräfte legte nun Hank die sorgfältig gereinigten und abgeschliffenen Metallplatten, deren Durch messer wie jener der Kupferplatten 95 mm betrug, auf die untere Kupfer platto, liess die obere herab, so dass sie der aufgelegten Platte bis 0,94 mm genähert wurde, und stellte kurze Zeit die Verbindung der unter und obern Kupferplatte durch zwei zur Erde abgeleitete Platindrähte bes Darauf wurde die Verbindung unterbrochen, die obere Platte gehoben bis sie 330 mm von der untern entfernt war, und sofort der Ausschlig an dem Elektroskop beobachtet.

Bezeichnen wir den Wert der Potentialfunktion auf der beweglichen Kupferplatte K im Momente des Ablesens mit V, zur Zeit, als sie der untern auf der Kupferplatte liegenden Metallplatte M bis auf den Abstand $0.94 \text{ mm} = \delta$ genähert war, mit V_1 , den Potentialwert auf der unter Platte M mit V_2 , so ist nach §. 41

$$V = \frac{R}{2 \delta} (V_1 - V_2),$$

wenn R den bei allen Platten gleichen Radius bedeutet. Der Potential wert V_1 ist nun gleich

$$V_1 = K \mid Pt + Pt \mid A$$

wenn wir annehmen, dass das mit der Erde leitend verbundene Platin infolge dieser Verbindung einen gewissen elektrischen Zustand erhalten habe, der mit Pt | A bezeichnet sei.

Ebenso erhalten wir für V_g

$$V_2 = M \mid Cu + Cu \mid Pt + Pt \mid A = M \mid Pt + Pt \mid A$$
.

Damit wird

$$V = \frac{R}{2\delta} (K \mid Pt - M \mid Pt) = \frac{R}{2\delta} K \mid M.$$

Ersetzen wir das Metall M durch ein anderes M', so wird, unter der Voraussetzung, dass R und & genau dieselben Werte haben, der Potentialwert V' der beweglichen Platte

$$V' = \frac{R}{2\delta} K \mid M'.$$

Für ein drittes Metall M'' wird ebenso

$$V'' = \frac{R}{2\delta} K \mid M''.$$

Daraus ergiebt sich dann

$$\begin{aligned} \mathbf{V} - \ \mathbf{V}' &= \frac{R}{2\,\delta} \left(K \mid \mathbf{M} - K \mid \mathbf{M}' \right) = \frac{R}{2\,\delta} \left(K \mid \mathbf{M}' + \mathbf{M}' \mid \mathbf{M} - K \mid \mathbf{M}' \right) \\ \mathbf{V} - \ \mathbf{V}' &= \frac{R}{2\,\delta} \ \mathbf{M}' \mid \mathbf{M}; \qquad \mathbf{V} - \mathbf{V}'' = \frac{R}{2\,\delta} \ \mathbf{M}'' \mid \mathbf{M}, \end{aligned}$$

und daraus schliefslich

$$\frac{V-V''}{V-V'} = \frac{M'' \mid M}{M' \mid M},$$

ein Quotient, der uns die elektromotorische Kraft zwischen irgend zwei Metallen bezogen auf diejenige zwischen irgend zwei andern als Einheit Liefert.

Wie man sieht, ist hier bei allen Versuchen die Gleichheit von R und d vorausgesetzt, eine Voraussetzung, welche sich kaum ganz vollkommen realisieren läfst.

Die von Hankel an frisch geputzten Metallen gefundenen Werte sind

$$Zn \mid Al = -20$$
 $Zn \mid Fc = 84$
 $Zn \mid Zn = 0$ $Zn \mid Cu = 100$
 $Zn \mid Cd = 19$ $Zn \mid Au = 110$
 $Zn \mid Pb = 44$ $Zn \mid Pd = 115$
 $Zn \mid Sn = 51$ $Zn \mid Ag = 118$
 $Zn \mid Sb = 69$ $Zn \mid C = 122$
 $Zn \mid Bi = 70$ $Zn \mid Pt = 123$
 $Zn \mid Hg = 81$

Als Kohle war eine Platte von Gaskohle benutzt. Die von Hankel gefundenen Werte stimmen bei denselben Metallen ziemlich gut mit den von Kohlrausch gefundenen Werten überein¹).

Hankel fand den Einfluss der Oberflächenänderung bestätigt, indem er für die elektrischen Differenzen ganz andere Werte erhielt, nachdem die Metalle eine Zeit lang an der Luft gelegen hatten.

Pellat²) hat bei Messungen der elektromotorischen Kräfte den Einfluß der oberflächlichen Beschaffenheit etwas näher verfolgt und kommt zu dem Resultate, daß nicht nur chemische, sondern auch physikalische Änderungen der Oberfläche die elektromotorische Kraft verändern können, ganz besonders glaubt er, daß eine oberflächliche Härtung der Metalle von Einfluss sei. So fand er, daß die elektrische Differenz einer mit feinem Schmirgel geputzten, dann mit Alkohol gewaschenen Zinkplatte gegen Gold mach 14 tägigem Liegen auf 0,75 ihres Wertes herabging. Wurde sie sorgfältig mit Tripel, einem weniger harten Material, blank geputzt und in Alkohol gewaschen, so stieg die Differenz auf 0,87 des frühern Wertes. Eine erneuerte Behandlung mit Schmirgel und Alkohol hob den Wert der Differenz

¹⁾ Weitere Bestimmungen sehe man von Ayrton und Perry, Philosophical Transactions für 1880. Hoorweg, Wiedem. Ann. Bd. IX. Fr. Exner, Wiedem. Ann. Bd. IX

²⁾ Pellat, Comptes Rendus T. LXXX p. 990, Journal de physique T. X.

höher, wie er anfänglich gewesen war auf 1,06, von welchem Wert nach längerem Liegen auf 0,99 zurtickging, ein Wert, der durch Behan mit Tripel und Alkohol nicht mehr erheblich gesteigert wurde.

Man wird daher kleinere Schwankungen in den für die elektron rischen Kräfte bei verschiedenen Beobachtungen erhaltenen Werten auffallend finden.

Das aus den Beobachtungen sich ergebende Gesetz der Spannureihe wird von der Helmholtzschen Auffassung der elektromotoris Kraft durch folgende Überlegung als notwendig verlangt¹).

Liegen eine Zinkplatte und eine Kupferplatte auf einander, so durch Überführung einer gewissen Elektricitätsmenge aus dem einen Min das andere eine gewisse Arbeit geleistet. Nennen wir K_c die Potialfunktion der molekularen Kräfte des Kupfers an der Grenze, wo daufhören zu wirken, so wird K_ce das Potential dieser molekularen Krauf eine dort befindliche Elektricitätsmenge e. Wird bei dem Über dieser Elektricitätsmenge in das Kupfer die Potentialfunktion desse gleich V_c , so ist die hierbei gewonnene oder geleistete Arbeit nach gleich e ($K_c - V_c$). Haben K_s und V_s dieselbe Bedeutung für das Kraufer die Galektricitätsmenge e aus dem Zink in das Kraufertritt, die dabei geleistete oder gewonnene Arbeit wird

$$e(K_c - V_c) - c(K_s - V_s),$$

denn das Austreten der Elektricität aus dem Zink erfordert die Arbeit, welche bei dem Eintreten geleistet wird oder umgekehrt. effektiv in dem Falle gewonnene oder geleistete Arbeit ist somit

$$e(K_c - K_z - (V_c - V_z)).$$

Ist der elektrische Gleichgewichtszustand erreicht, so hört das we Fließen der Elektricität auf, weil zu dem Transport der Elektricitä dem einen Sinne ebensoviel Arbeit verlangt wird wie zu demjeniger andern Sinne, es muß demnach V_c und V_s einen solchen Wert nehmen, daß

$$K_c - V_c = K_s - V_s,$$

oder dass

$$V_z - V_c = K_z - K_c$$
.

Nehmen wir ein drittes Metall und bedeuten K_m und V_m dass für das dritte Metall, so tritt bei Berührung desselben mit dem Kuder Gleichgewichtszustand ein, wenn

$$V_m - V_c = K_m - K_c$$

bei Berührung mit dem Zink, wenn

$$V_m - V_z = K_m - K_z = (K_m - K_c) + (K_c - K_z)$$

und das ist das Spannungsgesetz. Man erkennt gleichzeitig, daß Gesetz nur gelten kann, wenn zwischen den Körpern sich ein elektris Gleichgewichtszustand herstellen kann, für solche, wo das nicht der ist, gilt der Satz nicht

¹⁾ von Helmholtz, Wiedem. Ann. Bd. VII.

Aus den Versuchen von Kohlrausch, deren einen wir vorhin im Detail gegeben haben, ergiebt sich für das Verhältnis der elektromotorischen aft Zn | Cu zu derjenigen eines Daniellschen Elementes, welche früher gemein und noch jetzt vielfach als eine bequeme Einheit der elektrotorischen Kraft angewandt wird,

$$\frac{Zn \mid Cu}{F} = \frac{A+B}{A-B} = \frac{3,99}{7,07} = 0,564;$$

ifton findet für dieses Verhältnis 0,789, Ayrton und Perry 0,67.

Von Helmholtz hat darauf aufmerksam gemacht, dass wir hiernach it einem Zink-Kupfer-Kondensator, wenn eine geschliffene Zinkplatte untelbar auf einer geschliffenen Kupferplatte steht, so dass die Elektristung durch den Kontakt der beiden stattsindet, einen ganz enormen ert der Potentialfunktion erhalten müsten, wenn wir die beiden Platten n einander trennen. Ist R der Radius der Platten, δ der Abstand der iden Schichten der elektrischen Doppelschicht, und ist V_1 die Potentialnktion der obern Platte, so wird die Potentialfunktion der Platte nach m Abheben, wenn alle in ihr vorhandene Elektricität auch nach dem bheben noch in ihr bliebe,

$$V = \frac{R}{2\delta} V_1,$$

thenden Platte darstellt. Der Abstand δ ist jedenfalls eine molekulare atfernung, so daß der Koefficient $\frac{R}{2\delta}$, wenn man etwa Platten von Decimeter nähme, viele Millionen beträgt. Es würde daher auf der zehobenen Platte eine Potentialfunktion sein, welche ebenfalls, da V_1 leich etwa 0,66 Daniell ist, einer Ladung von vielen Millionen Daniellthen Elementen entspräche. Nach Thomson kann man durch eine Ladung it 5500 Daniellschen Elementen einen Funken von mehr als 1 mm Länge rhalten, die abgehobene Platte müßte deshalb einen Funken von vielen undert Centimetern geben, wenn man das Gesetz, daß die Schlagweite er Potentialfunktion proportional ist, soweit anwenden wollte. Es folgt omit, daß bei dem Abheben der Platten, weil wir sie nie parallel sich elbst abheben können, der größte Teil der getrennten Elektricitäten wieler zusammenfließt.

§. 70.

Elektricitätserregung bei Berührung von Metallen und Flüssigteiten. Nach der ersten Entdeckung der Elektricitätserregung durch Bethrung glaubte Volta, dass nur bei der Berührung zweier Metalle Elekricität erregt würde; er ließ diese Ansicht jedoch fallen, als Galvani
tezeigt hatte, dass auch bei Anwendung eines ganz homogenen Bogens
uckungen an dem Froschpräparat eintraten. Es gelang ihm später auch
einem besonders konstruierten Kondensator, dem sogenannten Duplikar, die Elektricitätserregung bei dem Kontakt von Metallen und Wasser
uchzuweisen¹). Er fand, als er isolierte Platten von Zink, Messing,

¹⁾ Volta, Brief an Green übersetzt in dem ersten Bande von Ritters Beiigen.

Silber, Zinn mit gehörig benetztem Holze in Berührung brachte, dass alle diese Metalle negativ elektrisch wurden.

Um die elektrische Erregung der Metalle und Flüssigkeiten direkt nachzuweisen, kann man, wie Buff es gethan hat1), auf die Platte eines Säulenelektroskopes eine dünne Glasplatte legen, deren untere Fläche und Ränder gefirnisst sind, um die allenfallsige Oberflächenleitung des Glass abzuschneiden. Auf die von dem Firniss frei gelassene obere Glasfläche bringt man eine dünne Schicht der zu untersuchenden Flüssigkeit, indem man entweder eine mit derselben getränkte Scheibe von Fliefspapier darauf legt, oder indem man die Flüssigkeit mit dem Pinsel auftrigt Darauf wird ein Draht von demselben Metalle, aus welchem die Kondensatorplatte gefertigt ist, mit einer isolierten Handhabe zugleich mit der auf der Glasplatte befindlichen Flüssigkeit und mit der Platte des Kondensators in Berührung gebracht. Die elektrische Erregung findet dans statt an der Stelle, wo der Draht die Flüssigkeit berührt; von dort aus verbreitet sich die eine Elektricität in der Flüssigkeit, die andere über der Platte des Kondensators, so lange, bis die Dichtigkeit der Elektricitat an dem Punkte, wo der Draht die Kondensatorplatte berührt, gleich ist der Dichtigkeit der Elektricität auf dem Drahte. Nimmt man den Draht fort und hebt die Glasplatte ab, so verbreitet sich die vorher an der Oberfläche der Kondensatorplatte angehäufte Elektricität in das Elektroskop, und die Bewegung des Goldblättchens giebt die Art der auf dem Metalle durch die Berührung mit der Flüssigkeit erregten Elektricität.

Nach diesem Verfahren hat Buff eine Anzahl Metalle und Flüssigkeiten geprüft und folgende Resultate erhalten.

Es werden bei Berührung mit

Wasser Zink stark, Platin schwach negativ elektrisch. Zink, Eisen, Kupfer negativ, Zink am stärksten.

Knpfer am schwächsten; Gold, Platin positiv. Eisen, Zink negativ, Platin, Gold positiv, Kupfer

wird nicht elektrisch.

konzentr. Salpetersäure Zink negativ, sehr schwach, Platin, Gold, Kupfer,

Eisen positiv.

Kalilauge alle Metalle negativ.

konzentrierter Lösung von Zinkvitriol

verd. Salpetersäure

Zink stark, Kupfer schwach negativ, Platin positiv.

Eine große Anzahl Versuche hat in ähnlicher Weise Pfaff angestellt²). Nach ihm sind in Berührung mit alkalischen Flüssigkeiten, wie Kalilauge, Natronlauge alle Metalle positiv.

Bei den Säuren teilten sich die Metalle in zwei Gruppen, von denen die einen meist positiv, die anderen meist negativ werden, ein Resultat, welches die Versuche Buffs bestätigen. So werden nach Pfaff mit konzentrierter Schwefelsäure, Salpetersäure, Salzsäure Silber, Gold, Platin stets positiv, Zink wurde stets negativ elektrisch; mit Schwefelsäure wurden außerdem positiv Blei, Kupfer und weiches Eisen, negativ Antimon

2) Pfaff, Poggend, Ann. Bd. Ll.

¹⁾ Buff, Liebigs Annalen der Chemie etc. Bd. XLII v. XLIV.

nn, mit Salpetersäure positiv Stahl, Blei, Zinn und Kupfer, negativ s Eisen und Antimon.

ür die Lösungen von Salzen giebt Pfaff an, dass Metalle, welche in en getaucht wurden, im allgemeinen der Art nach ebenso elektrisch 1, als wenn sie mit dem Metalle, aus welchem die Salze gebildet in Berührung standen; so machen die Zinksalze alle Metalle ausnk negativ, in einer Lösung von Goldchlorid dagegen wurden alle e positiv.

berblicken wir die in dem Vorigen zusammengestellten Beobach1, so ergiebt sich zunächst in Bezug auf die Art der erregten Elekt das wichtige Resultat, daß die Flüssigkeiten sich nicht in die für
stalle aufgestellte Spannungsreihe einordnen lassen. Bei den Säuren
wir z. B., daß Zink von denselben stets negativ erregt wird; das
steht nun an der Spitze der Spannungsreihe, wenn deshalb die Säuren
Spannungsreihe gehörten, so müßten alle übrigen Metalle bei Be1g mit ihnen ebenfalls negativ werden. Es ist das aber nicht der
vielmehr werden gerade die an dem negativen Ende der Spannungsstehenden Metalle von den Säuren positiv erregt.

Dass die Flüssigkeiten nicht in die Spannungsreihe gehören, läst nich leicht durch einen Versuch beweisen, welcher analog demjenigen us welchem direkt das Spannungsgesetz folgte. Wenn man eine von Metallen zusammenstellt, so ist die Dichtigkeit der Elektricität en Endgliedern gleich null, wenn die Endglieder aus demselben e sind. Unterbricht man dagegen die Reihe an einer Stelle und die Unterbrechungsstellen in eine Flüssigkeit, so ist auf den Endru wieder Elektricität vorhanden, vorausgesetzt nur, dass die Unteringsstellen von verschiedenem Metalle sind. Daraus folgt unmittelass die Flüssigkeiten sich nicht in die Spannungsreihe der Metalle nen lassen.

Aan unterscheidet deshalb die Metalle und die Flüssigkeiten als Leiter und Leiter zweiter Klasse; jene Körper, welche in die Spannungsder Metalle sich einordnen, heißen Leiter erster Klasse, jene, welche ektricitäten leiten, aber nicht in die Spannungsreihe gehören, heißen zweiter Klasse. Wir werden später sehen, daß auch in der Art, iese Körper die Elektricität leiten, ein Unterschied besteht.

rüher glaubte man vielfach, dass die Elektricitätserregung der e bei Flüssigkeiten gegen diejenigen der Metalle bei wechselseitiger rung nur sehr schwach sei: schon Pfaff indes giebt an 1), dass, wenn im allgemeinen die elektrische Erregung der Metalle durch Flüssigschwächer sei als die der Metalle unter einander, doch in manchen die elektrische Erregung von Metallen durch Flüssigkeiten stärker selbst der in der Spannungsreihe am weitesten von einander entn Metalle.

Es ergiebt sich das direkt aus einem Versuche Becquerels²) an einem Platin-Kondensator. Verbindet man die beiden Metalle durch einen, so wird das Platin negativ, das Zink positiv; verbindet man aber

Pfaff, Poggend. Ann. Bd. LI.

⁾ E. Becquerel, Comptes Rendus. T. XXII. p. 677.

die beiden Metalle durch die feuchten Finger, so wird das Zink negative das Platin positiv, woraus folgt, dass die negative Erregung des Zink durch Feuchtigkeit viel größer ist als die positive Erregung desselben durch Platin.

Péclet 1) hat in dieser Beziehung einige Messungen angestellt unit Anwendung eines Gold-Zink-Kondensators. Wurden beide Platten durieinen Draht verbunden, so zeigte nach dem Abheben der Zinkplatte de Goldblatt des Elektroskopes eine Ablenkung, welche nach einem willen lichen Maße gemessen gleich — 3 war; das negative Vorzeichen bedeuts daß die Elektricität des Goldes negativ war. Wurden dagegen die Platte durch die feuchten Finger verbunden, so zeigte sich nach dem Abheben der Zinkplatte die Ablenkung — 20. Die Ladung rührt in diesem Falle hauptsächlich von der Erregung des Zinks durch die Feuchtigkeit der Hand; so daß daraus folgen würde, daß die Erregung des Zinks durch diese Feuchtigkeit fast siebenmal so stark ist als diejenige des Zinks bei der Berührung mit Gold.

Auch die genauen Messungen von Kohlrausch²) haben den Beweis geliefert, dass die elektrischen Erregungen von Metallen und Flüssigkeiten oft diejenigen von Metallen unter einander überwiegen. Das von Kohlrausch benutzte Versahren war demjenigen gleich, welches bei den im

vorigen Paragraphen beschriebenen Versuchen gedient hatte.

An einem Kupfer-Zink-Kondensator wurde zunächst die Ladung bestimmt, wenn die beiden Platten direkt durch einen Draht verbunden waren. Die Ladung fand sich am Torsionselektrometer an der von Kohrausch gewählten Einheit gleich 4,17. Darauf wurde das Kupfer des Kondensators mit dem Kupfer, das Zink mit dem Zink eines Daniellschen Elementes verbunden, dessen Zink in einer Lösung von Zinkvitriol, dessen Kupfer in einer Lösung von Kupfervitriol stand. Die in diesem Falle vorhandenen elektromotorischen Kräfte sind der Kontakt des Zinks mit dem Zinkvitriol, des Kupfers mit dem Kupfervitriol und der Kontakt der beiden Flüssigkeiten. Letzterer ist indes zu vernachlässigen, da, wie wir später noch besonders zeigen werden, die elektromotorische Kraft bei der Berührung der Flüssigkeiten kaum merklich ist. Zink wird bei der Berührung mit Zinkvitriol negativ, die Flüssigkeit positiv; Kupfer wird bei der Berührung mit Kupfervitriol ebenfalls negativ, die Flüssigkeit positiv. Die Ladung des Zinks in der Flüssigkeit und somit auch des Zinks des Kondensators ist daher proportional der Differenz zwischen den elektromotorischen Kräften zwischen Zink, Zinkvitriol und Kupfer, Kupfervitriol An dem Torsionselektrometer zeigte sich die Ladung des Kondensaturs gleich 4,51. Aus diesen beiden Beobachtungen folgt, da bei beiden der selbe Kondensator diente,

$$Zn \mid Cu : (Zn \mid Zn SO_4 - Cu \mid Cu SO_4) = 4,17 : 4,51.$$

Zur Bestimmung des Verhältnisses der elektromotorischen Kräfte $Zn \mid Zn SO_4$ und $Cu \mid CuSO_4$ zur elektromotorischen Kräfte $Zn \mid Cu$ bedarf es außer obiger noch einer Gleichung. Um diese zu erhälten

Péclet, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. II.
 Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. LXXIX.

andte Kohlrausch die Methode von Buff an. Auf eine als Kollektorplatte ienende Zinkplatte wurde eine dünne Glasscheibe gelegt, und auf diese ime mit Zinkvitriol getränkte Scheibe von Fliesspapier. Die Zinkplatte rurde dann negativ elektrisch und am Torsionselektrometer ergab sich die ahl 4,41. Diese Zahl ist mit den vorigen indes nicht vergleichbar, da ie Verstärkungszahl des Kondensators jetzt eine andere ist als vorher.

Deshalb wurde weiter anstatt der mit Zinkvitriol getränkten Scheibe von **Rießpapier** eine ebensolche mit Kupfervitriol getränkte auf die Glasplatte s Kondensators gelegt, und die Verbindung zwischen der Flüssigkeit und zinkplatte durch einen Kupferdraht hergestellt. Die Zinkplatte lud ich jetzt durch die Differenz der elektromotorischen Kräfte Zn | Cu und Tu SO4, da das Kupfer bei der Berthrung mit Kupfervitriol negativ lektrisch wird. Am Torsionselektrometer ergab sich für die Ladung 2,94.

Da die beiden letzten Zahlen an demselben Kondensator erhalten sind, o sind sie vergleichbar, es ist deshalb

$$Zn \mid ZnSO_4 : (Zn \mid Cu - Cu \mid CuSO_4) = 4.41 : 2.94.$$

Setzt man nun die elektromotorische Kraft $Zn \mid Cu = 4,17$, so ergiebt sich aus diesen beiden Gleichungen

$$Zn \mid ZnSO_4 = 5.21;$$
 $Cu \mid CuSO_4 = 0.70.$

Durch eine Reihe ähnlicher Versuche fand Kohlrausch für einige andere Flüssigkeiten folgende Werte:

Zink	Kupfer 100
Zink	Zinkvitriol — 129
Zink	Schwefelsäure . — 115
Kupfer	Zinkvitriol — 36
Kupfer	Kupfervitriol — 21,5,

m welchen er später1) noch folgende Werte fügte:

Es ergiebt sich daraus, dass in vielen Fällen die elektromotorische Kraft zwischen Metallen und Flüssigkeiten jene zwischen Metallen ganz bedeutend übersteigt. Die von Kohlrausch untersuchten Fälle sind für die Praxis die wichtigsten, da gerade diese es sind, welche in den galvanischen Kombinationen stets angewandt werden²).

Wenn wir auch an dieser Stelle noch nicht auf die theoretische Streitfrage eingehen, welches denn eigentlich die Ursache der elektrischen Erregung ist, so müssen wir doch eine Ansicht schon hier erwähnen, die Ansicht nämlich, dass eine Elektricitätserregung bei dem Kontakte zwischen Metallen überhaupt nicht stattfinde, sondern dass nur bei Berührung von Flüssigkeiten mit Metallen Elektricität erregt würde. In einer anderen, Später zu betrachtenden Weise ist diese Ansicht schon sehr alt; schon

¹⁾ Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. LXXXII. S. 407.
2) Messungen von Clifton sehe man Proceedings of London Royal Society ol. XXVI, von Ayrton und Perry ebendort vol. XXVII und Philos. Transactions (London) for 1880 part. 1.

bald nach Voltas Entdeckung und nach der Beobachtung der chemische Wirkungen des durch die Kontaktelektricität entstehenden galvanische Stromes nahmen viele an, das Elektricitätserregung nur Folge von de mischer Aktion sei, dass nur dann bei der Berührung zweier Körper Elektricität auftrete, wenn zwischen denselben eine chemische Einwirken vorhanden wäre, und dass die erregte Elektricität Folge dieser chemische Aktion wäre. Diese Physiker musten deshalb die elektrische Erregunz zwischen chemisch indifferenten Körpern und selbstverständlich beim Katakte von Metallen leugnen. Es wird uns später leicht sein, die Unhalbarkeit dieser Ansicht nachzuweisen. Aber auch ohne so weit zu gehodas sie jede elektrische Erregung auf eine chemische Aktion zurückster wollen, halten manche die Erregung von Elektricität beim Kontakte wie Metallen für nicht erwiesen, und glauben die dabei beobachtete Elektricität auf den Kontakt von Flüssigkeiten und Gasen mit den Metalle zurückführen zu können.

Wenn bei dem Voltaschen Fundamentalversuch nicht strenge ab Flüssigkeiten ausgeschlossen werden, so ist er allerdings nicht beweisend deshalb habe ich keiner der Modifikationen desselben Erwähnung getten bei denen ein einseitiger Kontakt von Flüssigkeiten und Metallen vorkommt Aber auch die vorgeführten Versuche gelten nicht für beweisend und mathält es wenigstens für möglich, das bei ihnen auch der Flüssigkeitkontakt es sei, welcher die Elektricität erregt, indem man auf die Erklürung dieser Versuche von De la Rive zurückgeht.

De la Rive glaubt'), dass die Feuchtigkeit der Luft die Ursache der bei dem Metallkontakte beobachteten Elektricität sei. Jeder Körper kodensiert auf seiner Oberfläche Gas aus seiner Umgebung; die zu den Furdamentalversuchen benutzten Platten sind daher mit kondensierter Lat und Feuchtigkeit bedeckt. Der Kontakt dieser Feuchtigkeit mit den Metallen macht letztere, und zwar in den meisten Fällen negativ, elektrisch, während die Feuchtigkeit selbst positiv elektrisch wird. Da beide Elektricitäten gleich dicht sind, so kann ein einzeln stehender Körper nicht elektrisch erscheinen. Wird aber mit einem solchen ein anderer in metallische Berührung gebracht, welcher durch die auf ihm kondensierte Feuchtigkeit weniger stark negativ oder gar positiv erregt wird, so fliess 🏜 : negative Elektricität so lange in denselben über, bis die Dichtigkeit der negativen Elektricität in beiden gleich ist. Da zwei Platten sich immer nur in wenigen Punkten der Berührungsflächen wirklich metallisch berührungsflächen wirklich ren, während sonst zwischen ihnen noch jene Gas- und Feuchtigkeitsschickt sich befindet, so wird, so lange die Platten zusammen sind, die positive Elektricität der Gasschicht die negative in dem Metalle an den einander zugewandten Flächen kondensieren. Hebt man nun aber die Metalle vos einander ab, so wird in dem durch die Flüssigkeit stärker negativ erregtes wegen des Abflusses eines Teiles der negativen Elektricität die positive jetzt überwiegen und zum Teil fortgenommen werden können; deshall erscheint die Platte jetzt positiv elektrisch, während die andere wegen de Überschusses der negativen Elektricität jetzt negativ erscheint.

¹⁾ De la Rive, Poggend. Ann. Bd. XV. Traité de l'électricité. T. II. p. 774.

So bei einer Zink- und Kupferplatte. Das Zink wird von der Feuchtigkeit stärker negativ erregt als das Kupfer; legt man die Platten auf einander, so tritt durch die wirklichen Berührungspunkte derselben ein Teil der negativen Elektricität zum Kupfer; hebt man die Zinkplatte ab, so erweist sich die Kupferplatte negativ und die Zinkplatte mit ihrer Gasschicht positiv elektrisch. Der Versuch, bei welchem eine Kupferplatte und eine Zinkplatte wiederholt isoliert von einander abgehoben und an den Kondensator gelegt werden, soll sich in derselben Weise erklären, indem jedesmal unmittelbar nach der Abgabe der Elektricitäten der Platten die kondensierten Feuchtigkeitsschichten wieder elektromotorisch wirken. Bei dem Aufeinanderlegen der Platten wird sich daher der Process in der angegebenen Weise wiederholen.

Gegen diese Erklärung der Voltaschen Fundamentalversuche sind besonders Pfaff 1) und Fechner 2) aufgetreten, indem sie zeigten, daß Elektricität erregt wird, wenn Metalle unter der Glocke der Luftpumpe oder in Räumen, welche mit vollkommen getrocknetem Wasserstoffgas gefüllt waren, mit einander in Berührung gebracht wurden, oder indem sie unchwiesen, daß ein Messingdraht oder ein Platindraht negativ elektrisch wurden, als sie an eine vollständig mit Firnis überzogene Zinkplatte an-

gelötet waren.

Gegen diese Versuche könnte eingewandt werden, dass weder unter der Glocke der Luftpumpe, noch bei dem Übertragen in vollkommen trockne, mit Wasserstoff gefüllte Räume, noch auch bei dem Überziehen mit Firnis die kondensierte Feuchtigkeitsschicht fortgenommen wird, dass daher in allen Fällen die supponierte Erregungsursache noch fortdauere.

Es wäre jedenfalls gut, wenn derartige Versuche wiederholt würden, indem nach der Methode von Waidele³) Platten von den kondensierten Gas- und Feuchtigkeitsschichten befreit und dann unter der Glocke der Luftpumpe oder in mit trocknem Wasserstoffgas gefüllten Räumen die Metalle zur Berührung gebracht würden. Bei solchen Versuchen könnte der Einwurf, dass auf den Metallen die kondensierte Feuchtigkeitsschicht vorhanden sei, nicht gemacht werden.

Indes auch ohnedem ist, wie mir scheint, die erwähnte Ansicht aus

mehreren Gründen nicht haltbar,

Zunächst nämlich ist es eine willkürliche Annahme, daß die kondensierte Gasschicht jedes Metalles auch nach der Berührung mit dem andern ihren elektrischen Zustand ganz ungeändert beibehalte. Nehmen wir zwei Platten, eine Zink- und eine Kupferplatte, welche mit ihren Flächen auf einander liegen, so soll nach dieser Ansicht die Elektricität der Metalle sich ausgleichen. Nun durchdringen sich aber die Gasschichten der zugewandten Flächen jedenfalls teilweise; ich kann deshalb keinen Grund einsehen, weshalb sich nicht auch die Elektricitäten der Gasschichten wenigstens teilweise ausgleichen sollen. Diese Ausgleichung müßte zudem jedenfalls verschieden sein, je nachdem die Platten mehr oder weniger stark und längere oder kürzere Zeit zusammengepresst wären. Man

2) Fechner, Poggend. Ann. Bd. XLII.
3) Man sehe im 1. Bd. §. 113.

¹⁾ Pfaff, Revision der Lebre vom Galvano-Voltaismus. Altona 1837.

müste also je nachdem eine verschiedene elektrische Erregung erhalten, was nach allen vorliegenden Erfahrungen, wie wir sahen, nicht der Fall ist.

Ein zweiter gegen diese Ansicht sprechender Grund ist die nachgewiesene Richtigkeit des Gesetzes der Spannungsreihe. Will man dieses Gesetz mit der erwähnten Hypothese vereinigen, so muß man annehmen daß die Berührung mit der kondensierten Gasschicht die Metalle gerade in der Reihenfolge negativ elektrisch errege, in welcher sie nach dem Spannungsgesetze positiv elektrisch werden, daß also das Zink am stärksten, das Platin oder Gold am schwächsten negativ elektrisch werde. Es müßte ferner die elektrische Differenz, welche zwei Metalle zeigen, proportional sein dem Unterschiede in der elektrischen Erregung derselben durch die kondensierte Gasschicht.

Das elektromotorisch Wirksame in der auf den Metallen kondensierten Gasschicht kann nur die Feuchtigkeit sein, da, wie wir später noch besonders nachweisen werden, Stickstoff und Sauerstoff bei der Berührung mit den Metallen kaum elektromotorisch wirksam sind¹); die Feuchtigkeit der Luft ist aber Wasser, es müßte sich daher genau dieselbe Art der elektrischen Erregung zeigen, wenn man die Metalle in Wasser taucht, d. h. auch bei der Berührung mit Wasser müßte der Unterschied in den elektrischen Erregungen zweier Metalle der elektrischen Differenz der Metalle proportional sein.

Das ist jedoch nach Versuchen von Hankel²) und von Gerland³) nicht der Fall. Hankel stellte seine Versuche nach der schon im vorigen Paragraphen beschriebenen Methode an, dieselbe wurde dem Zwecke der Versuche entsprechend nur so abgeändert, daß die untere Kupferplatte durch eine Wasserfläche ersetzt wurde. Zu dem Ende wurde an die Stelle der untern Kupferplatte ein Glastrichter gebracht, dessen oberer Rand so weit abgeschliffen war, daß er einen Durchmesser von 95 mm, also denselben wie alle untersuchten Metallplatten erhielt. Das Rohr dieses Trichters war verlängert und dann unten U-förmig umgebogen, so daß das nach oben gebogene Ende des Rohres etwas höher war als der Rand des Trichters. Durch dieses Rohr konnte dann der Trichter mit Wasser gefüllt werden, so daß dasselbe den Rand des Trichters gerade bedeckte, so daß also die kreisförmige Wasserfläche einen Durchmesser von genan 95 mm besaß.

Zu den Messungen wurde dasselbe Differenzverfahren angewandt, nach welchem die elektrischen Erregungen der Metalle bestimmt waren. Auf den Trichter wurde zunächst, ehe er mit Wasser gefüllt war, eine Zinkplatte gelegt, die Kupferplatte K bis auf 0,94 mm von der Zinkplatte herabgelassen, und dann in der im vorigen Paragraphen angegebenen Weise $K \mid Zn$ gemessen. Darauf wurde die Zinkplatte durch die eines Metalles M ersetzt und $K \mid M$ gemessen, die Differenz $K \mid Z-K \mid M$ lieferte den Wert von $M \mid Zn$.

Nun wurde der Trichter bis an den Rand mit Wasser gefüllt, die

Auf die Ansicht von Exner kommen wir später zurück. Man s. §. 113.
 Hankel, Abhandl, der Königl, Sächs, Gesellsch, der Wissensch, zu Leipzig-Klasse. Bd. VII. 1865.
 Ferland, Poggend. Ann. Bd. CXXXIII.

Scheibe K der Wasserfläche bis auf 0,94 mm genähert, und dann in das Wasser des seitlichen Rohres ein sorgfältig mit feinem Schmirgel geputztes oder mit einer Feile abgeriebenes Stück des Metalles M eingetaucht, welches ebenso wie die Platte K durch einen Platindraht zur Erde abgeleitet war. Da, wie wir §. 50 sahen, die der Platte K gegenüberstehende Wasserfläche sich in Bezug auf die Leitung der Elektricität, wie die vorher an derselben Stelle befindliche zur Erde abgeleitete Metall-läche verhält, so können wir annehmen, daß die Kapacität oder die Verstärkungszahl des jetzt hergestellten Kondensators dieselbe ist, wie die des Metall-Metall-Kondensators. Demnach ist das an der Platte K gemessene Potential proportional der Summe $K \mid M + M \mid H_2O$, und die Differenz des jetzt bestimmten Wertes und des vorher gefundenen $K \mid M$ giebt die gesuchte elektrische Erregung zwischen dem Metall M und Wasser. Da nun $K \mid M$ in der gewählten Einheit $Zn \mid Cu$ bekannt ist, so kann auch $M \mid H_2O$ in dieser Einheit ausgedrückt werden.

Die von Hankel gefundenen Zahlen werden wir gleich mit denen

von Gerland zusammenstellen.

Die von Gerland in meinem Laboratorium angestellten Versuche waren etwas anders angeordnet. Die eine Platte eines Kohlrauschschen Kondensators wurde durch ein achteckiges ganz aus Glas verfertigtes Kästchen ersetzt. Die der Metallplatte zugewandte vordere Platte dieses Kästchens war von dünnem Spiegelglase, gut mit Schellackfirnis überzogen, und so groß, dass sie die Metallplatte, wenn dieselbe der Glasplatte bis zur Berührung genähert war, rings etwas überragte. Die entgegengesetzte Wand des Kästchens war von gleicher Größe und von der erstern etwa 1 cm entfernt. Die den acht Seiten der Platte entsprechenden acht Seitenwände des Kästchens waren durch 1 cm breite Glasstreifen hergestellt, welche durch Glaserkitt an den beiden Platten wasserdicht befestigt waren. Das Kistchen war rings geschlossen, nur der die obere Seitenwand bildende Glasstreifen hatte eine Durchbohrung, durch welche das Kästchen mit Wasser refüllt wurde, und durch welche der Metalldraht eingeführt wurde, dessen elektrische Erregung durch Wasser geprüft werden sollte. Es war auf diese Weise der Metallplatte des Kondensators eine Wasserplatte von 1 cm Dicke gegenübergestellt.

Bei den Versuchen wurde das Glaskästehen mit Wasser gefüllt, die Metallplatte der gefirnisten Vorderseite des Glaskästehens bis zur Berührung genähert, und dann ein gabelförmig gebogener isolierter Metalldraht mit der einen Zinke in das Wasser des Kästehens getaucht, mit der andern Zinke an die Metallplatte des Kondensators angelegt, und die Verbindung einige Sekunden unterhalten. Die Metallplatte wurde dann nach Unterbrechung der Verbindung von dem Glaskästehen entfernt, und der auf ihr vorhandene Potentialwert am Torsionselektrometer gemessen.

Dann wurde das Glaskästchen vom Wasser entleert, neuerdings gefällt, die Platte angeschoben und zunächst etwa ½ Minute stehen gelassen, um zu untersuchen, ob der Kondensator unelektrisch sei. Stellte sich das heraus, so wurde die Platte wieder angeschoben, mit einem zweiten Metalldraht die Verbindung der Platte mit dem Wasser hergestellt, und wieder das Potential auf der Metallplatte gemessen. Ebenso wurde mit dem Drahte eines dritten Metalls verfahren u. s. f.

müste also je nachdem eine verschiedene elektrische Erregung erhalte was nach allen vorliegenden Erfahrungen, wie wir sahen, nicht de Fall ist.

Ein zweiter gegen diese Ansicht sprechender Grund ist die neise gewiesene Richtigkeit des Gesetzes der Spannungsreihe. Will man diese Gesetz mit der erwähnten Hypothese vereinigen, so muß man annehme daß die Berührung mit der kondensierten Gasschicht die Metalle gend in der Reihenfolge negativ elektrisch errege, in welcher sie nach de Spannungsgesetze positiv elektrisch werden, daß also das Zink am stat sten, das Platin oder Gold am schwächsten negativ elektrisch werde. Im müßte ferner die elektrische Differenz, welche zwei Metalle zeigen, proportional sein dem Unterschiede in der elektrischen Erregung derselbe durch die kondensierte Gasschicht.

Das elektromotorisch Wirksame in der auf den Metallen kondensisten Gasschicht kann nur die Feuchtigkeit sein, da, wie wir später noch besonders nachweisen werden, Stickstoff und Sauerstoff bei der Berthrug mit den Metallen kaum elektromotorisch wirksam sind 1); die Feuchtigkeit der Luft ist aber Wasser, es müßte sich daher genau dieselbe Art der elektrischen Erregung zeigen, wenn man die Metalle in Wasser tauch d. h. auch bei der Berthrung mit Wasser müßte der Unterschied in der elektrischen Erregungen zweier Metalle der elektrischen Differens der Metalle proportional sein.

Das ist jedoch nach Versuchen von Hankel²) und von Gerland, nicht der Fall. Hankel stellte seine Versuche nach der schon im vorigen Paragraphen beschriebenen Methode an, dieselbe wurde dem Zwecke der Versuche entsprechend nur so abgeändert, dass die untere Kupferplatte durch eine Wasserfläche ersetzt wurde. Zu dem Ende wurde an die Stelle der untern Kupferplatte ein Glastrichter gebracht, dessen oberer Rand weit abgeschliffen war, dass er einen Durchmesser von 95 mm, also der selben wie alle untersuchten Metallplatten erhielt. Das Rohr dieses Trichters war verlängert und dann unten U-förmig ungebogen, so dass den nach oben gebogene Ende des Rohres etwas höher war als der Rand der Trichters. Durch dieses Rohr konnte dann der Trichter mit Wasser grüllt werden, so dass dasselbe den Rand des Trichters gerade bedechts so dass also die kreisförmige Wasserfläche einen Durchmesser von genut 95 num besafs.

Zu den Messungen wurde dasselbe Differenzverfahren angewand, nach welchem die elektrischen Erregungen der Metalle bestimmt wars. Auf den Trichter wurde zunächst, ehe er mit Wasser gefüllt war, eine Zinkplatte gelegt, die Kupferplatte K bis auf 0,94 mm von der Zinkplatte herabgelassen, und dann in der im vorigen Paragraphen angegebenen Weise $K \mid Zn$ gemessen. Darauf wurde die Zinkplatte durch die eine Metalles M ersetzt und $K \mid M$ gemessen, die Differenz $K \mid Z - K \mid M$ lieferte den Wert von $M \mid Zn$.

Nun wurde der Trichter bis an den Rand mit Wasser gefüllt, die

3) Gerland, Poggend. Ann. Bd. CXXXIII.

Auf die Ansicht von Exner kommen wir später zurück. Man s. §. 113.
 Hankel, Abhandl. der Königl. Sächs. Gesellsch. der Wissensch. zu Leipzig-Mathem. Klasse. Bd. VII. 1865.

schiede der absoluten Werte und besonders der große Unterschied beim Zink rührt, das läßt sich nicht erklären, er kann nicht darin liegen, daß bei den Gerlandschen Versuchen die Zinkplatte etwa nicht rein gewesen sei, da die für $Zn \mid H_2O$ gefundene Zahl nicht nur aus Beobachtungen an der Zinkplatte, sondern auch aus solchen an Kupfer-, Goldund Silberplatten sich ergiebt. Wir werden außerdem an einer andern Stelle noch eine weitere Bestätigung der Gerlandschen Zahlen erhalten 1).

Wenn demnach über die wahren Werte der elektrischen Erregungen der Metalle durch Wasser immerhin noch Unsicherheit vorhanden ist, so stimmen die Versuche Gerlands und Hankels doch soweit überein, daß sie die Erklärung der elektrischen Erregungen der Metalle bei der Berührung als durch die Unterschiede in den Erregungen durch die Luftfeuchtigkeit unmöglich machen, wir müssen deshalb eine Erregung durch den Kontakt der Metalle allein annehmen.

S. 71.

Spannungsreihe der Metalle in Flüssigkeiten. Die Thatsache, daß die Flüssigkeiten nicht in die Spannungsreihe der Metalle gehören, setzt uns in den Stand, auch in geschlossenen Kreisen freie Elektricität zu erhalten. Verbinden wir (Fig. 101) ein Zinkblech Z durch irgend einen

Draht mit einem Kupferbleche C, und tauchen dann die beiden Bleche in eine Flüssigkeit, etwa eine Lösung von Zinkvitriol, so
wird durch den Kontakt des Kupfers mit dem
Zink von der Berührungsstelle aus positive
Elektricität sich über das Zink, negative sich
über das Kupfer hin verbreiten. Da die
Flüssigkeit nicht mit zur Spannungsreihe gebört, so können wir sie zunächst als einen
elektrisch indifferenten Leiter betrachten. Die



auf dem Zink erregte positive Elektricität wird daher in die Flüssigkeit übertreten, und daßelbe wird die negative Elektricität des Kupfers thun. Aus der Flüssigkeit wird sich aber auch die positive Elektricität dem Kupfer mitteilen und die negative dem Zink, so daß infolge der leitenden, wischen Zink und Kupfer hergestellten Verbindung eine Veränderung der Dichtigkeit der auf den beiden Platten erregten Elektricität stattfinden wird. Da nun aber die elektrische Differenz zweier sich berührender Metalle konstant ist, so wird durch die bei der Berührung stattfindende elektromotorische Kraft sofort eine neue Scheidung der Elektricitäten eintreten, welche positive Elektricität von C durch den Draht d nach Z und negative Elektricität. durch den Draht nach C hintreibt. Es entsteht somit eine Bewegung der beiden Elektricitäten durch den ganzen Strom-

¹⁾ Clifton findet, daß Zink und Kupfer durch Wasser gleich stark positiveregt werden. Proceedings of Royal Society vol. XXVI. Beiblätter Bd. I p. 566. Auch Thomson kommt zu diesem Resultate, Beiblätter a. a. O. Pellat findet, laß die Erregung der Metalle durch die Flüßigkeiten wesentlich von der Dauer der Einwirkung abhängt (Journal de physique T. XVI) und ist der Ansicht, daß rumächst die auf den Metallen befindliche Gasschicht die Einwirkung der Flüssigkeit verhindere.

kreis, indem die positive Elektricität von dem positiven Metalle Z durch die Flüssigkeit zu dem negativen Metalle C, und von diesem wieder durch den Draht d nach dem positiven Metalle Z hinfliefst, die negative

Elektricität dagegen den umgekehrten Weg einschlägt.

Diese Bewegung der Elektricitäten durch einen geschlossenen Kreislauf bezeichnet man als einen galvanischen Strom; in dem galvanischen Strome bewegen sich also, wie in dem Entladungsstrome der Leydener Flasche, die beiden Elektricitäten durch den Stromkreis nach entgegengesetzten Richtungen. Wie man aber dem Entladungsstrome der Leydener Flasche eine bestimmte Richtung giebt, indem man dieselbe nach der Richtung bestimmt, welche die positive Elektricität verfolgt, so auch bei dem galvanischen Strome. Man bezeichnet als die Richtung des galvanischen Stromes ebenfalls jene, welche die positive Elektricität in ihm hat; in dem obigen Beispiele ist also die Richtung des Stromes innerhalb der Flüssigkeit vom Zink zum Kupfer, außerhalb der Flüssigkeit im Drahte von dem Kupfer zum Zink gerichtet.

Würde man in dem obigen Beispiele die Zinkplatte durch eine andere ersetzen, welche in der Spannungsreihe zwischen dem Zink und Kupfer stände, so würde immer noch, die elektrische Unwirksamkeit der Flüssigkeit vorausgesetzt, die Richtung des Stromes, wie sich aus den obigen ganz gleichen Betrachtungen ergiebt, dieselbe sein, es würden sich in dem Stromkreise aber nur geringere Mengen von Elektricität bewegen, der Strom

würde schwächer sein.

Vertauschte man indes Z mit einem Metalle, welches gegen Kupfer negativ wäre, so würde die Richtung des Stromes umgekehrt sein und seine Stärke würde abhängen von der elektrischen Differenz der beiden Metalle.

Zu der Kontaktwirkung der beiden Metalle tritt nun aber noch die elektrische Erregung zwischen Metall und Flüssigkeit. In unserem Beispiele wird das Zink sowohl als das Kupfer von der Lösung negativ erregt; erstere Erregung vergrößert, letztere vermindert die in dem Stromkreise cirkulierende Elektricitätsmenge. Ohne schon hier auf die Theorie des galvanischen Stromes einzugehen, ist es nach dem Frühern wehl ohne weiteres ersichtlich, daß die in dem Stromkreise infolge des Kontakts Zink-Kupfer cirkulierende Elektricitätsmenge der elektromotorischen Kraft oder der Differenz der Potentialwerte zwischen diesen Metallen proportional ist; setzen wir dieselbe gleich 100. Durch den Kontakt zwischen Zink und Zinkvitriol wird nun in der vorhin betrachteten Weise von der Berührungsstelle aus negative Elektricität in das Zink und weiter von diesem durch den Draht zum Kupfer fließen müssen, positive Elektricität dagegen durch die Flüssigkeit zum Kupfer und von diesem durch den Draht zum Zink. Die Bewegung der Elektricitäten durch diesen Kontakt ist also dieselbe, welche sie infolge des Zink-Kupfer-Kontaktes haben. Die Menge der infolge desselben fliefsenden Elektricitäten ist wieder der elektrischen Differenz zwischen Zink und Zinkvitriol proportional, und da diese, jene zwischen Zink und Kupfer gleich 100 gesetzt, gleich 129 ist, so ist die infolge des Kontaktes zwischen Zink und Zinkvitriol cirkulierende Elektricität gleich 129 zu setzen. Das Kupfer wird durch die Berührung mit dem Kupfervitriol negativ, von der Berührungsstelle fliefst

also negative Elektricität in das Kupfer und von diesem durch den Draht zum Zink, positive aber durch die Flüssigkeit zum Zink und von diesem durch den Draht zum Kupfer. Die Menge der so den beiden anderen entgegengesetzt eirkulierenden Elektricität ist gleich 36. Man wird nun ohne weiteres zugeben, daß diese Menge sich mit einer gleich großen aber entgegengesetzten, mit ihr nach gleicher Richtung sich bewegenden Elektricität neutralisiert, so daß dann die durch den Stromkreis sich nach gleicher Richtung bewegenden Elektricitäten sind

$$100 + 129 - 36 = Zn \mid Cu + ZnSO_4 \mid Zn + Cu \mid ZnSO_4$$

Es ergiebt sich daraus, daß die Menge der in dem Stromkreise erkulierenden Elektricitäten der Summe der in demselben thätigen elektro-

Instorischen Kräfte proportional ist.

Würde nun in einem anderen Falle in dem Gefäse sich eine Flüssigkeit befinden, welche das Zink positiv elektrisch macht, das Kupfer negativ, so würde, wenn wir die Flüssigkeit mit F bezeichnen, die in dem Strombreise cirkulierende Elektricitätsmenge proportional sein

$$Zn \mid Cu + F \mid Zn + Cu \mid F$$

und je nach der Größe des Wertes $F \mid Zn + Cu \mid F$ könnte diese Summe gleich null oder selbst negativ sein, d. h. also die wirklich einkulierende Elektricität könnte derjenigen entgegengesetzt gerichtet sein,

welche infolge des Metallkontaktes sich darin bewegt.

Nach den früheren theoretischen Ansichten glaubte man, dass die Kontaktwirkung zwischen Flüssigkeiten und Metallen verschwindend wäre zegen die Kontaktwirkung zwischen den Metallen; um deshalb die zuletzt erwähnte Erscheinung zu erklären, nahm man an, dass die elektrische Differenz zweier Metalle in Flüssigkeiten eine andere sein könne als in Luft, dass also z. B. die elektrische Differenz zwischen Zink und Kupfer meiner Lösung von Zinkvitriol gleich 193 sei, während sie sonst gleich 100 ist. Daraus folgte dann, dass die Spannungsreihe der Metalle in den Flüssigkeiten verschieden sein konnte, je nach der Natur der Flüssigkeit, in welcher dieselben stehen, indem immer nach jener Anschauungsweise, nach welcher nur durch die Berührung der Metalle der Strom mitsteht, jenes von zweien in einer Flüssigkeit stehenden das positive it, zu welchem durch den Draht die positive Elektricität sich hinbewegt. In dieser Voraussetzung hat man die Spannungsreihen der Metalle in verschiedenen Flüssigkeiten bestimmt.

Wenn nun auch die so bestimmten Spannungsreihen nicht jene Bedeutung haben, so ist die Kenntnis derselben doch von großem Nutzen, ist sie uns sofort das elektrische Verhalten der Metalle in Flüssigkeiten

erkennen lassen.

Die Spannungsreihen der Metalle in Flüssigkeiten lassen sich nur bestimmen durch Beobachtung des Stromes, wir müssen deshalb hier vorgreifend einige Wirkungen des Stromes erwähnen, welche uns in den Stand setzen, die Richtung und Stärke des Stromes zu erkennen.

Von den Wirkungen des Stromes sind zu diesem Zwecke vorwiegend

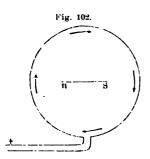
geeignet die chemischen und magnetischen.

Wenn man den Draht, welcher Fig. 101 die Platten Z und C ver-

bindet, an einer Stelle unterbricht, die Unterbrechungsstellen mit Patiblechen verbindet und nun diese in ein Gefäs mit angesäuertem Want taucht, so wird das Wasser von dem hindurchgehenden Strome zerzeit Der Sauerstoff zeigt sich an dem mit der Kupferplatte verbundenen Platiblech, der Wasserstoff an dem mit dem Zink verbundenen Bleche; Sauerstoff zeigt sich also dort, wo der positive Strom in das Wasserintitt, an der sogenannten positiven Elektrode, oder wie Farday in nennt, der Anode, während der Wasserstoff sich dort zeigt, wo der Strom das Wasser verläst, an der negativen Elektrode oder Kathode. Man hademnach in anderen Fällen, in denen man die Richtung des Strom nicht kennt, dieselbe dadurch bestimmen, das man in den Stromkrein Gefäs mit angesäuertem Wasser bringt, und beobachtet, an welchen der in das Wasser getauchten Bleche der Sauerstoff, an welchen der in das Wasser getauchten Bleche der Sauerstoff, an welchen der Strom geht von ersterem zu letzterem.

Da die durch das Wasser fliesende Elektricität die Ursache Wasserzersetzung ist, so wird zur Zersetzung derselben Wassermen immer dieselbe Elektricitätsmenge erforderlich sein; wir werden deshin der Menge des in der Zeiteinheit zersetzten Wassers ein Mass für in dieser Zeit durch den Stromkreis fliesende Elektricität erhalten. Wen nun bei allen vergleichenden Versuchen der Stromkreis ungeändert blei und nur die Platten Z und C mit anderen vertauscht werden, so werd die durch den Stromkreis in der Zeiteinheit fliesenden Elektricitätsmen der Summe der in dem Stromkreis vorhandenen elektromotorischen Kristoder der elektrischen Differenz der Metalle in der Flüssigkeit proportion sein. Wir werden also unter diesen Voraussetzungen in der Menge in der Zeiteinheit zersetzten Wassers ein Mass für die elektrische Different der in Flüssigkeit stehenden Metalle haben.

Die Messung der elektromotorischen Kraft nach diesem, dem segenannten chemischen Maße, ist nur dann mit Erfolg anwendbar, was man bedeutende Kräfte hat, da zur Zersetzung meßbarer Wassernengeschon große Elektricitätsmengen erfordert werden. Ein viel empfalicheres Prüfungsmittel für das Vorhandensein eines Stromes und im Mittel zur Messung auch schwächerer Kräfte wird uns durch eine magnitische Wirkung des Stromes geboten, durch die Ablenkung der Magnit



nadel aus dem magnetischen Meridiane. Leits man den Draht, durch w lehen ein Strom kreit um eine im magnetischen Meridiane befindliche Nadel, so wird dieselbe aus dem Meridiane abgelenkt, so daß sie je nach der Stärke des Stromes einen mehr oder weniger großen Winkel mit dem Meridiane bildet. Diese Ablenkung ist dem Sinne nach verschieden, je nach dem Sinne, in welchem der Strom um die Nadel kreist. Ist Fig. 102 ns die Nadel, und megleich die Richtung des Meridianes, so daß ner Nordpol, s der Südpol der Nadel ist, und

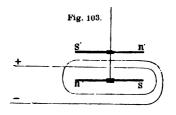
bewegt sich die positive Elektricität in der Richtung der Pfeile, so daß sie in dem Leitungsdrahte an der Nordseite der Nadel aufsteigt, über

r Nadel sich von Norden nach Süden bewegt, im Süden der Nadel abigt und unter derselben wieder sich von Süden nach Norden bewegt, wird die Nadel so abgelenkt, dass der Nordpol nach Osten, der Südlnach Westen zeigt. Bewegt sich der Strom nach der entgegengesetzten ihtung, so wird die Nadel auch nach der entgegengesetzten Seite abenkt. Die Regel, welche die Ablenkung der Nadel durch den Strom timmt, ist folgende: man denke sich in der Richtung des Stromes wimmend, das Gesicht der Nadel zugewandt, so wird der Nordpol der del immer nach der linken Seite abgelenkt.

Man hat daher, um die Richtung des Stromes zu bestimmen, nur die lenkung einer Nadel zu beobachten, um welche in der angedeuteten siese ein Strom geführt ist. Die Stärke des Stromes, d. h. die Menge in jedem Augenblicke in dem Stromkreise fließenden Elektricität st sich aus der Größe der Ablenkung bestimmen, und zwar ist sie, wir an einer späteren Stelle nachweisen werden, der Tangente des lenkungswinkels proportional, wenn der Strom in einem Kreise um die del geführt wird, dessen Radius gegen die Länge der Nadel sehr sist.

Um durch sehr schwache Ströme noch hinreichend merkbare Ablengen zu erhalten, führt man den Strom in mehrfachen Windungen um Nadel und verkleinert den Radius des Stromkreises, da die ablende Wirkung des Stromes auf die Nadel um so größer wird, je geringer Abstand desselben von der Nadel ist. Die größte Empfindlichkeit ilt dieser Apparat, wenn er eine astatische Doppelnadel enthält, d. h.

i Magnetnadeln, welche mit einander fest so verbunden sind (Fig. 103), daß wenn untere sich in ihrer normalen Lage, n en Norden, s gegen Süden, befindet, die re entgegengesetzt liegt. Die Nadeln sind gleich stark magnetisch, so daß sie mit einer sehr geringen Differenz ihrer netischen Direktionskräfte in dem Merine zurückgehalten werden. Der Strom d zwischen den Nadeln durch und unter



selben hergeführt (Fig. 103); wie sich aus der vorhin angeführten el ergiebt, wirkt er dann auf beide Nadeln in gleichem Sinne ablend. Durch vielfache Windungen und Anwendung eines möglichst astahen Systemes kann man so auch die schwächsten Ströme nachweisen.

Die Spannungsreihen der Metalle in den Flüssigkeiten lassen sich nun leichtesten mit Hülfe der Ablenkungen der Magnetnadel bestimmen. diese Weise sind auch meist die folgenden erhalten worden, che das elektromotorische Verhalten der Metalle in den wichtigsten ssigkeiten angeben. Es ist auch bei diesen Reihen stets das vorherende Metall positiv gegen das nachfolgende, d. h. der Strom geht in Verbindungsdrahte von dem nachfolgenden zu dem vorhergehenden alle.

Spannungsreihen der Metalle in

Wasser	Verd. Schwe-	Verd. Salpe-	Konzentr. Sal-	Konzentr, Sal-	Cyankalium
nach	felsäure nach	tersaure nach	petersäure nach	petersäure nach	nach
Fechner')	Poggendorff ²)	Faraday ³)	Faraday 4)	Schönbein ³)	Poggendorff [*])
+ Zink Blei Zinn Eisen Antimon Wismut Kupfer Silber Gold	Zink Kadmium Eisen Zinn Blei Aluminium Nickel Antimon Wismut Kupfer Silber Platin	Zink Kadmium Blei Zinn Eisen Nickel Wismut Antimon Kupfer Silber	+ Kadmium Zink Blei Zinn Eisen Wismut Kupfer Antimon Silber Nickel	+ Passives Eisen Platin Bleisuperoxyd Silbersuper- oxyd	+ Amalgam. Zink Zink Kupfer Kadmium Zinn Silber Nickel Antimon Blei Quecksilber Palladium Wismut Eisen Platin Gufseisen Kohle.

Die angeführten Spannungsreihen gelten besonders in den Flüssigkeiten, welche auf die Metalle chemisch einwirken, für den Moment des
Eintauchens und unter der Voraussetzung, daß die Metalle gleichzeitig
eingetaucht werden. Geschieht das nicht, oder beobachtet man erst längere
Zeit nach dem Eintauchen, so findet man oft ganz andere Resultate, da
die durch die Flüssigkeiten veränderten Metalle häufig ganz anders elektromotorisch wirksam sind als die nicht geänderten.

Im allgemeinen stimmen die verschiedenen Spannungsreihen unter einander und mit der früher für die Metalle aufgestellten Spannungsreihe überein, woraus sich ergiebt, daß die Metalle durch die Flüssigkeiten im allgemeinen um so stärker negativ erregt werden, je näher sie dem positiven Ende der Spannungsreihe stehen. Es zeigen sich jedoch einige Abweichungen selbst bei gleichen aber verschieden konzentrierten Flüssigkeiten. In konzentrierter Salpetersäure steht Kadmium über Zink, Kupfer über Antimon, in verdünnter Säure stehen sie umgekehrt; es folgt daraus, daß Kadmium von konzentrierter Säure stärker, von verdünnter schwächer negativ erregt wird als Zink. Sehr auffallend ist die Spannungsreihe der Metalle in Cyankaliumlösung, in welcher das Kupfer unmittelbar auf Zink folgt und das Eisen unmittelbar vor dem Platin steht. Es folgt daraus, daß Kupfer durch Cyankaliumlösung stärker negativ erregt wird als Zink, und überhaupt, daß diese Lösung die Metalle nicht um so stärker negativ erregt, als sie dem positiven Ende der Spannungsreihe näher stehen.

¹⁾ Fechner, Schweiggers Journal. Bd. LIII. Jahrg. 1828.

Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.
 Faraday, Experimental researches. XVII. Reihe, art. 2012. Poggend. Ann. Bd. LIII.

⁴⁾ Faraday a. a. O.

⁵⁾ Schönbein, Poggend. Ann. Bd. XLIII.
1) Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXVI.

Hülfe der Beobachtung des galvanischen Stromes hat Poggendorff sinnreicher Weise einen experimentellen Nachweis für das Gesetz nungsreihe geliefert¹), für das Gesetz nämlich, das die elekbifferenz irgend zweier der Spannungsreihe angehöriger Metalle
t der Summe der elektrischen Differenzen der dazwischen liegentille.

folgt nämlich aus diesem Gesetze ein anderes, welches Poggendorff romotorische nennt, und welches er folgendermaßen formuliert: nan die Metalle in eine Reihe von dem positivsten zum negativsten ft irgend drei Metalle aus der Reihe heraus, so muss die elektro-

ne Kraft, welche die beiden äußener Flüssigkeit entwickeln, gleich Summe der elektromotorischen welche das mittlere mit jedem

dieses Gesetz aus dem der Spanne folgt, ergiebt sich leicht folisen. Man habe Zink, Kupfer und and ordne wie in Fig. 104 zu-

ink und Platin zu einem galva-

eren in derselben Flüssigkeit ent-



Element. Die elektromotorische Kraft ist dann, wenn wir die it mit F bezeichnen, gleich

$$Zn \mid Pt + F \mid Zn + Pt \mid F = a$$
.

tauschen wir jetzt das Platin mit Kupfer, so wird die elektrone Kraft

$$Zn \mid Cu + F \mid Zn + Cu \mid F = b.$$

igen wir dann an die Stelle des Zinks Platin, so wird die elekische Kraft, da das Kupfer gegen Platin positiv ist,

$$Cu \mid Pt + F \mid Cu + Pt \mid F = e$$
.

ı ist

$$= Zn \mid Cu + Cu \mid Pt + F \mid Zn + Pt \mid F + F \mid Cu + Cu \mid F,$$

$$F \mid Cu = -Cu \mid F$$

 $b+c=Zn \mid Cu+Cu \mid Pt+F \mid Zn+Pt \mid F$. an das Spannungsgesetz richtig ist, dann ist

$$Zn \mid Cu + Cu \mid Pt = Zn \mid Pt$$

it

$$b+c=Zn\mid Pt+F\mid Zn+Pt\mid F=a.$$

tätigt sich demnach das elektromotorische Gesetz, so ist dadurch wenn man tiberhaupt annimmt, dass der Kontakt der Metalle otorisch wirkt, das Spannungsgesetz bewiesen.

Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXX.

Poggendorff hat in einer großen Anzahl von Versuchen die elektromotorischen Kräfte der gebräuchlichsten Metalle mit einander verglichen; die Methode, welche er dabei anwandte, können wir erst an einer späteren Stelle auseinandersetzen; es gentige, hier einige von Poggendorfs Angaben mitzuteilen, wobei nur bemerkt werden mag, daß die Angabe der elektromotorischen Kräfte nach chemischem Maße geschieht.

I. Flüssigkeit: verdünnte Schwefelsäure.

Metall: Zink, Zinn, Kupfer: b = 7.70; c = 7.79; b + c = 15.49; a = 15.53Zink, Kupfer, Silber: b = 15.76; c = 4.04; b + c = 19.80; a = 19.83Eisen, Kupfer, Silber: b = 7.86; c = 4.02; b + c = 11.86; a = 11.87.

II. Flüssigkeit: verdünnte Salpetersäure.

Amalg. Zink, Kupfer, Platin: b=16,61; c=11,60; b+c=28,21; a=28,18.

III. Flüssigkeit: Lösung von Ätzkali.

Metall: Zink, Eisen, Silber: b=18,88; c=3,78; b+c=22,66; a=22,57 Zink, Antimon,

Platin: b=10,20; c=13,66; b+c=23,56; a=23,67.

IV. Flüssigkeit: Lösung von Cyankalium.

Metall: Zink, Silber, Eisen: b=10,27; c=7,91; b+c=18,18; a=18,21 Zink, Kupfer,

Wismut: b = 0.98; c = 15.41; b + c = 16.39; a = 16.46.

Die Summen b+c sind also in allen Fällen bis auf äußerst kleine Bruchteile, welche man unbedenklich den unvermeidlichen Beobachtungsfehlern zusehreiben darf, den beobachteten Werten von a gleich, so daß diese Versuche der schönste Beweis für die Richtigkeit des Spannungsgesetzes, als auch des Satzes sind, daß die in dem Stromkreise sich bewegenden Elektricitäten der Summe der elektromotorischen Kräfte proportional sind.

Gerland hat das Poggendorffsche Gesetz auch nachgewiesen, wem die Flüssigkeit reines Wasser ist, und die Versuche zugleich benutzt, und die Richtigkeit der im vorigen Paragraphen mitgeteilten Zahlenwerte der Erregungen Metall-Wasser zu prüfen¹). Werden nümlich in die Gleichunges für a, b, c die Werte $M \mid M'$ und $M \mid H_2O, M' \mid H_2O$, wie sie Gerland gefunden hat, eingesetzt, so müssen sich die daraus berechneten Werte verhalten wie die nach diesem Verfahren beobachteten Werte von a, b, c. Daß dies wirklich der Fall ist, zeigt folgende Zusammenstellung, in welcher mit a, b, c wie vorher die beobachteten elektromotorischen Kräfte in einer willkürlichen aus den Versuchen sich direkt ergebenden Einheit und darunter mit E_a, E_b, E_c die aus den Gerlandschen Zahlen sich ergebenden elektromotorischen Kräfte bezogen auf $Zn \mid Cu = 100$ angegeben sind

¹⁾ Gerland, Poggend. Ann. Bd. CXXXVII.

ofer, Silber:
$$b = 130,44$$
; $c = 24,54$; $b + c = 154,98$; $a = 155,21$

$$E_a = 128,6 \quad E_c = 24,7 \quad E_a = 153,3$$

$$\frac{a}{b} = 1,190 \quad \frac{E_a}{E_b} = 1,192$$

$$\frac{c}{b} = 0,188 \quad \frac{E_c}{E_b} = 0,192$$

ofer, Gold:
$$b = 154,13$$
; $c = 17,34$; $b + c = 171,47$; $a = 171,19$

$$E_b = 128,6 \quad E_c = 14,3 \quad E_a = 142,9$$

$$\frac{a}{b} = 1,111 \quad \frac{E_a}{E_b} = 1,111$$

$$\frac{c}{b} = 0,113 \quad \frac{E_c}{E_c} = 0,111$$

fer, Platin:
$$b = 145,72$$
; $c = 13,34$; $b + c = 159,06$; $a = 158,97$

$$E_b = 128,6 \quad E_c = 11,3 \quad E_a = 139,9$$

$$\frac{a}{b} = 1,091 \quad \frac{E_a}{E_b} = 1,088$$

$$\frac{c}{b} = 0,092 \quad \frac{E_c}{E_t} = 0,088.$$

Mittelwerte einer größeren Anzahl Versuche erhielt Gerland für iltnisse der elektromotorischen Erregungen zu Zink-Wasser-Kupfer

von Zink-Wasser-Silber 1,194 berechnet 1,192
" Zink-Wasser-Gold 1,113 " 1,111
" Zink-Wasser-Platin 1,085 " 1,088.

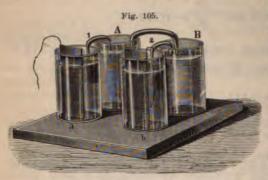
man sieht, stimmen die so gefundenen Zahlen mit den frühern sommen überein.

§. 72.

ktricitätserregung bei Berührung zweier Flüssigkeiten. Dass ssigkeiten bei der Berührung elektromotorisch auf einander wirken, t von Nobili¹) nachgewiesen; die ausgedehntesten und sichersten aber verdanken wir Fechner. Fechner²) stellte seine Versuche massen an. Von den vier Gefässen a, b, A, B, Fig. 105, werden n vorderen a und b mit derselben Flüssigkeit, Brunnenwasser, ösung oder dergl. gefüllt. Die Gefässe A und B werden mit schiedenen Flüssigkeiten gefüllt. Um die Gefässe in leitende Verzu bringen, dienen die drei \(\Omega-\)-förmig gebogenen Röhren, deren

Tobili, Poggend. Ann. Bd. XIV. Annales de chim. et de phys. T. XXXVIII. Techner, Poggend. Ann. Bd. XLVIII.

umgebogene Teile bis zu kapillaren Öffnungen ausgezogen werden. Das Niveau der Flüssigkeiten in den Gefäßen a, b war bei dem Beginne der Versuche immer etwas höher als in den Gefäßen A und B, damit, wend die gebogenen Röhren als Heber wirkten, nur Flüssigkeit von a nach A und von b nach B fließen konnte, so daß die Flüssigkeit der Gefäße a und b nicht verunreinigt werden konnte. Die Röhren 1 und 2 waren



stets mit derselben Flüssigkeit gefüllt, welche sich in
den Gefäsen a und b befand; die Röhre, welche die
Gefäse A und B verband,
wurde mit einer der in den
beiden Gefäsen enthaltenen
Flüssigkeiten gefüllt, also
mit einer der Flüssigkeiten,
deren elektromotorisches Verhalten gegen einander geprüst
werden sollte.

In die Gefässe a und b tauchten in jedes eine Platin-

platte, welche mit den Enden eines Galvanometerdrahtes, also eines Drahtes, welcher in vielfachen Windungen um eine Magnetnadel ging, verbunden waren. Die Platinplatten müssen möglichst sorgfältig und gleichartig gereinigt sein, da man sonst bei Beobachtung eines elektrischen Stromes nicht sicher sein kann, dass derselbe wirklich in dem Kontakt der Flüssigkeiten seinen Grund hat. Besitzen die beiden Platinplatten nur die geringste Verschiedenheit, so entsteht schon ein Strom, wenn sie in dieselbe Flüssigkeit tauchen, weshalb man immer, wenn man sichere und zuverlässige Resultate erhalten will, erst untersuchen muss, ob nicht sehon ein Strom entsteht, wenn die beiden Platinplatten in eine und dieselbe Flüssigkeit Bei der Anordnung von Fechner kann man sich von dieser Homogenität der Platten überzeugen, indem man vor dem eigentlichen Versuche die beiden Gefäße a, b durch eine den anderen gleiche Röhre verbindet, welche mit der in denselben Gefäßen enthaltenen Flüssigkeit gefüllt ist. Man wird bei ähnlichen Versuchen finden, daß es äußerst schwierig ist, die Platten vollkommen gleichartig zu machen, wenn man sie vorher auch noch so gleichartig behandelt hat. Wenn indes die Platten wirklich aus ganz gleichem Platin hergestellt sind, so stellt sich die Gleichartigkeit der Platten immer nach einiger Zeit her, was man daran erkennt, dass die Galvanometernadel nicht mehr abgelenkt wird. War diese Gleichartigkeit erreicht, so setzte Fechner die Röhren 1 und 2 ein, welche a mit A und b mit B verbanden, und wartete, ob nicht allenfalls durch dieses Einsetzen eine Ungleichartigkeit der in den Gefässen a und b enthaltenen Flüssigkeit hervorgebracht wurde. Man erkennt das daran, ob nach dem Einsetzen der Röhren 1 und 2, während die Verbindungsröhre zwischen a und b noch nicht fortgenommen ist, die Nadel des Galvandrelenkt wird oder nicht. Bleibt sie in Ruhe, so kann man

dass die Flüssigkeiten in a und b gleichartig sind.
wurde dann die Röhre 3 eingesetzt, welche mit einer bit

en in A und B enthaltenen Flüssigkeiten gefüllt war, und die Abung der Nadel beobachtet.

Bezeichnen wir die Flüssigkeiten in den Gefässen a und b mit F, mit F_1 , in B mit F_2 , so sind die in dieser Kombination vorhandenen tromotorischen Kräfte

$$F \mid F_1 + F_1 \mid F_2 + F_2 \mid F$$

Wenn sich ein Strom zeigt, so folgt deshalb, dass die Flüssigkeiten einander elektromotorisch wirken, und zugleich, dass dieselben nicht ine Spannungsreihe gehören.

Fechner beobachtete bei allen seinen Versuchen eine Ablenkung der el, woraus also folgt, dass die von ihm untersuchten Flüssigkeiten nicht in eine Spannungsreihe ordnen lassen. Wir lassen hier einige aben Fechners folgen.

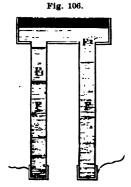
Flüssigkeit	Flüssigkeit		Richtung des Strome	
in a und b	in A	in \boldsymbol{B}	in der Flüssigkeit	
Brunnenwasser	Salpetersäure	Lösung von		
,))	"	Kochsalz	B zu A	
"	"	Salmiak	$\mathbf{desgl}.$	
"	22	Kali	\mathbf{desgl} .	
77	"	Zinkvitriol	\mathbf{desgl} .	
"	"	Kupfervitrio	desgl.	
"	"	Salpeter	desgl.	
"	"	Glaubersalz	desgl.	
"	"	Schwefelsäur	e AzuB	
11	Schwefelsäure	Kochsalz	B zu A	
11	. 27	Salmiak	desgl.	
"	"	Kupfervitriol	\mathbf{desgl} .	
"	"	Salpeter	desgl.	
11	"	Glaubersalz	\mathbf{desgl} .	
"	Salzsäure	Kochsalz	\boldsymbol{B} zu \boldsymbol{A}	
17	"	Salmiak	$\mathbf{desgl}.$	
"	"	Kali	desgl.	
"	"	Salpeter	desgl.	
"	"	Schwefelsäur		
"	"	-		

Die Reihenfolge, in welcher die Lösungen jedesmal angegeben sind, zugleich die Grösse der resultierenden elektromotorischen Kraft an; sind von der stärkeren zu der schwächeren geordnet.

Wild hat später gezeigt¹), daß gewisse Flüssigkeitsgruppen sich in nungsreihen ordnen. Er wandte zu seinen Versuchen den Apparat 106 an. In den Boden eines Holzkästchens waren zwei Glasröhren esetzt, welche unten mit Metallkapseln, welche galvanisch verkupfert n, verschlossen waren. Die Metallkapseln waren mit den Enden eines anometerdrahtes verbunden und auf ihre Homogenität geprüft. In die röhren wurde zunächst bis zu einer gewissen Höhe dieselbe Flüssigkeit F

¹⁾ Wild, Poggend. Ann. Bd. CIII.

gebracht; dann wurde die eine Röhre bis nahe unter den Boden des chens mit einer zweiten Flüssigkeit F_1 so gefüllt, dass sie sich mit F



mischte; schliesslich wurde dann mit derselber sicht die andere Röhre und das Kästchen mit dritten Flüssigkeit F_2 gefüllt. Die Resultate, v Wild aus seinen Versuchen zieht, sind folgen

- 1) Die Flüssigkeiten befolgen im allgen unter einander nicht das Voltasche Spannungs
- Die elektrischen Differenzen zwischer schiedenen Lösungen ändern sich mit der Ketration der Lösungen.
- Auch gelöste Verbindungen gleicher nung befolgen im allgemeinen nicht das Spani gesetz.
- 4) Dagegen gehorchen alle neutralen sch sauren Salze nach der Form RSO₄ dem Span gesetze; eine Ausnahme davon macht das ne

schwefelsaure Ammon, denn die Kombination

$$CuSO_4 \mid (NH_4)_2 SO_4 \mid K_2 SO_4 \mid CuSO_4$$

gab einen Strom, welcher in der Lösung von dem schwefelsauren Azum schwefelsauren Kali ging.

5) Zu der Spannungsreihe der neutralen schwefelsauren Salthören nicht die Salze, welche nach der Form $R_2(SO_4)_3$ zusammen, sind, denn die Kombination

$$ZnSO_4 \mid K_2SO_4 \mid Al_2(SO_4)_3 \mid ZnSO_4$$

gab einen wie der über der Kombination stehende "Pfeil gerichteten in den Flüssigkeiten.

- 6) Die Säuren gehorchen im allgemeinen nicht dem Spannungsg und ebenso nicht die Salze gleicher Basis, aber verschiedener Säur
- 7) Die Haloidsalze KCl, KBr. KS befolgen das Spannungsg Die Resultate Wilds wurden später von L. Schmidt erweitert¹ Versuche wurden ganz nach der Methode von Wild angestellt und er
- 1) Nicht nur die neutralen schwefelsauren Salze nach der RSO_4 , sondern auch die salpetersauren Salze von der Form RNO_3 ur Chlormetalle RCI folgen unter sich dem elektrischen Spannungsgesetz
- 2) Die Spannungsreihe der schwefelsauren, salpetersauren Salze der Chlormetalle fällt zusammen mit der Spannungsreihe der Metalle ist die Spannungsreihe

der schwefelsauren Salze	ihrer Metalle	der salpe tersa uren Salze	ihrer Met
Zn So,	Zn	$Zn\left(NO_3\right)_2$	Zn
$FeSO_{A}$	Fe	$Pb\left(NO_3\right)_2$	Pb
$Cu\ SO_{A}^{^{2}}$	Cu	$Fc(NO_8)_8$	Fc
•		$Cu(NO_3)_3$	Cu
		$Ag NO_3$	Ag.

¹⁾ L. Schmidt, Poggend. Ann. Bd. CIX.

Mit Hilfe der Untersuchung der schwefelsauren und salpetersauren Salze und der Chlorverbindungen gelang es dann Schmidt, eine Anzahl roch nicht bestimmter Metalle in die Spannungsreihe einzuordnen. Er giebt dieselben folgendermassen an: Mangan, Natrium, Zink, Zinn, Magnesium, Kalcium, Kalium, Blei, Eisen, Kupfer, Strontium, Barium, Silber.

Schliesslich giebt Schmidt an, dass bei Anwendung von Salzen gleicher Basis aber verschiedener Säuren die Richtung des Stromes gleich derjenigen sei, welche bei Anwendung der Säuren allein sich zeigte, dass also der Art mach die elektrische Differenz zweier verschiedener Salze gleicher Basis

gleich ist der elektrischen Differenz ihrer Säuren.

In sehr ausgedehnter Weise hat kürzlich Worm Müller 1) die elektromotorischen Kräfte zwischen Alkalien und Säuren und den aus ihnen gebildeten Salzen untersucht. Als allgemeines Resultat seiner sehr zahlreichen Versuche giebt er dabei an, daß stets die Säure positiv ist gegen das Altali, daß also stets der Strom durch die Berührungsstelle vom Alkali zur Siure geht. Dieser Satz gilt auch, wenn man ein Salz entweder mit dem betreffenden Alkali oder mit der betreffenden Säure zur Berührung bringt. Das Salz ist positiv gegen das Alkali, aber negativ gegen die Säure, die Wirkung des Salzes ist also gegenüber einem seiner Bestandteile qualitativ gerade so, wie wenn der andere Bestandteil allein vorhanden wäre. Quantitativ dagegen überwiegt die Wirkung der freien Bestandteile, also les Alkalis und der Säure gegen jene eines der Bestandteile und des Salzes. Die Grösse der elektromotorischen Kräfte hängt wesentlich von der Konzentration der auf einander einwirkenden Lösungen ab.

S. 73.

Elektricität bei Berührung von Metallen und Gasen. Die Elektricitätserregung bei der Berührung von Metallen und Gasen ist schon früh bei den später zu betrachtenden Ladungserscheinungen in galvanischen Kombinationen beobachtet, aber nicht richtig erkannt worden, indem man für diese Erscheinungen andere Erklärungen aufsuchte; Matteucci²) und Schönbein3) behaupteten zuerst, dass diese Erscheinungen in einer Bedeckung der Metalle mit Gasen ihren Grund haben. Buff 1) hat dann mit dem Kondensator gezeigt, dass reines Zink gegen solches, welches mit einer Wasserstoff-Atmosphäre bedeckt ist, sich negativ verhält. Am einfachsten und ausführlichsten wurde aber die elektrische Erregung der Metalle durch Gase von Grove⁵) nachgewiesen.

Die Anordnung des Versuches, welche Grove als die bequemste anriebt, ist folgende. In die beiden seitlichen Tubuli einer dreifach tubulierten Woulfschen Flasche sind mit eingeriebenen Glasstöpseln zwei unten

Matteucci, Comptes Rendus. T. VI. p. 741.
 Schönbein, Poggend. Ann. Bd. XLVII.

4) Buff, Liebigs Annalen Bd. XLI.

Worm Müller, Untersuchungen über Flüssigkeitsketten. Leipzig 1869.
 Poggend, Ann. Bd. CXL.

⁵⁾ Grove, Philosophical Magazin. vol. XIV. Jahrg, 1839. Poggend. Ann. LIVII. Philosophical Magazin. vol. XXI. 1842. Poggend. Ann. Bd. LVIII. ilosophical Transactions for the year 1843. Poggend. Ann. Ergänzungsband II. Vosephical Transactions 1845. Poggend. Ann. Ergänzungsband II.

offene Glasröhren O und H Fig. 107 eingesetzt. In den Glasröhr findet sich ein Platinblech, welches an einem in dem Glase einger zenen Drahte befestigt ist. Dieser Platindraht reicht aus der obe zugeblasenen Röhre heraus und steht in Verbindung mit zwei Platinnäpfehen, welche etwas Quecksilber enthalten. Die Platinstre den Röhren sind platiniert, d. h. mit einer dünnen Schicht von schwamm bedeckt.

Die Flasche wird etwas über die Hälfte mit schwach durch Sc säure angesäuertem Wasser gefüllt, die mittlere Öffnung verscl und durch Umkehr der Flasche bewirkt, dass die Röhren sich m

Fig. 107.



angesäuerten Wasser füllen. Darauf wird die wieder wie vorher hingestellt, und, da die Röltief in die Flasche hineinreichen, dass ihre Min die Flüssigkeit taucht, so bleiben sie mit Wasfüllt. Durch in die Flasche geführte Röhrenle wird die Röhre H bis nahe über dem Propf Wasserstoff, die Röhre O ungefähr halb so w Sauerstoff gefüllt.

Verbindet man die beiden Quecksilbernäp einem Galvanometerdraht, so wird die Nadel d vanometers abgelenkt, und zwar so, daß sie Strom nachweist, welcher durch die Flüssigkeit v Platinbleche, welches mit Wasserstoff umgeben dem mit Sauerstoff umgebenen Platinbleche fliel also ausserhalb von O durch das Galvanometer i fließt. Zugleich sieht man, wie in beiden Röhr Flüssigkeit aufsteigt, in dem Rohre H etwa dop rasch als in dem Rohre O. Das Aufsteigen der I keit hat seinen Grund darin, daß der durch die I keit cirkulierende Strom die Flüssigkeit in Was und Sauerstoff zersetzt. Der Wasserstoff steigt Rohre O, der Sauerstoff in H auf. Oberhalb de

sigkeit sind dann sowohl in O als II Sauerstoff und Wasserstoff mit in Berührung; die beiden Gase verbinden sich daher infolge der K wirkung oder der katalytischen Kraft des Platins zu Wasser; da m Volume Wasserstoff mit einem Volumen Sauerstoff sich zu Wass binden, so folgt, daß das Volumen des Wasserstoffs in H doppelt s sich vermindern muß als das des Sauerstoffs in O.

Die Richtung des Stromes beweist, dass das Platin von dem I stoff negativ, und wenn überhaupt, von dem Sauerstoff positiv oder schnegativ erregt wird. Denn da sonst in der Kette alles ganz gleich ist, die beiden gleichen Platinplatten in derselben Flüssigkeit steh einzige Unterschied nur der ist, dass das Platin in H von Wasser O aber von Sauerstoff umgeben ist, so kann nur in dieser Verschiedie Ursache des Stromes liegen. Da nun die positive Elektricität Rühre H durch die Flüssigkeit nach O fliest, die negative aber du Draht, so folgt, dass der Wasserstoff positiv, das Platinblech negati

Um das elektromotorische Verhalten des Sauerstoffs zu dem zu untersuchen, lüst man in O keinen Sauerstoff eintreten, sond Röhre mit dem sauern Wasser gefüllt. Verbindet man dann die beiden Bleche mit einem Galvanometer, so zeigt sich in dem ersten Augenblicke der Strom fast genau so stark als vorher; er nimmt aber rasch an Stärke ab. Daraus folgt, dass die elektrische Differenz des Sauerstoffs und Platins nur sehr klein ist, denn sonst müßte der Strom gleich anfangs schwächer sein als bei dem vorigen Versuche. Der Grund der raschen Abnahme bei diesem Versuche erklärt sich leicht, er liegt wieder in der Zersetzung des Wassers, infolge deren Wasserstoff in der Röhre O aufsteigt und an das Platinblech sich anlegt. Dadurch wird nach kurzer Zeit auch in O das Platinblech mit Wasserstoff bedeckt, und die Wirkung desselben auf das Platin muss natürlich die elektromotorische Wirkung in der Röhre H aufheben.

Leitet man in die Röhre O Sauerstoff, während man die andere mit Wasser gefüllt läfst, so beobachtet man, wenn überhaupt, nur einen äußerst schwachen Strom von der früheren Richtung, woraus folgt, dass das Platin non dem Sauerstoff nur äußerst schwach positiv erregt wird1).

Chlor und Brom, sowie ozonhaltiger Sauerstoff erregen aber, wie Schön-

bein gezeigt hat, das Platin kräftig positiv2).

Grove hat eine große Anzahl von Gasen und Dämpfen mit verschiedenen Metallen untersucht³) und gezeigt, dass man die Gase mit den Metallen in eine Spannungsreihe ordnen kann. Diese Reihe ist von dem megativsten angefangen:

Chlor	Stickstoffoxyd	Ätherische Öle	Kohlenoxyd
Brom	Kohlensäure	Ölbildendes Gas	Wasserstoff
Jod	Stickstoff	Äther	Metalle, welche
Superoxyde Sauerstoff	Metalle, welche das Wasser nicht zer-	Alkohol Schwefel	das Wasser zer- setzen.
	setzen	Phosphor	

Diese Spannungsreihe ist folgendermaßen zu verstehen: wird eines der das Wasser nicht zersetzenden Metalle, wie Platin, Gold, Silber etc. but einem der über denselben stehenden Gase in Berührung gebracht, so wird dasselbe positiv; wird es mit einem der unterhalb stehenden Gase oler Dämpfe in Berührung gebracht, so wird es negativ, die elektrische Erregung des Metalles ist um so stärker, je weiter das Gas von ihm in der Spannungsreihe entfernt ist. Um in der oben angegebenen Weise einen kräftigen Strom zu erhalten, wird man daher die Metallbleche in der einen der beiden Röhren mit einem unterhalb derselben stehenden Gase, der andern mit einem möglichst weit darüber stehenden umgeben.

Die Größe der bei der Berührung von Gasen und Metallen auftetenden elektromotorischen Kräfte werden wir bei einer späteren Ge-

Aus dem in den letzten Paragraphen Mitgeteilten ergiebt sich, daß ts dann, wenn zwei Körper, welche die Elektricität leiten, mit einander

¹⁾ Schönbein, Poggend. Ann. Bd. LXII. 2) Schönbein, Poggend. Ann. Bd. LXXII und LXXIV. 3) Grove, Philosophical Transactions 1845. Poggend. Ann. Ergänzungsband II.

in Berührung gebracht werden (bei den Gasen müssen wir die auf der Metalloberfläche kondensierten Gasschichten als leitend ansehen), infolge der Berührung Elektricität auftritt. Es ist indes nicht erforderlich, dals beide Körper leiten, damit bei Berührung derselben Elektricität auftritt Schon Fechner 1) giebt mehrere Erfahrungen an, welche beweisen, daß Metalle in Berührung mit Isolatoren, wie Schwefel, elektrisch werden. Vor kurzem hat nun Buff2) nachgewiesen, dass auch zwei schlechte Leiter in Berührung mit einander elektrisch werden, und zwar in demselben Sinne, als wenn die beiden Körper an einander gerieben werden. Wir können deshalb ganz allgemein den Satz aufstellen, daß, wenn irgend zwei heterogene Substanzen sich berühren, Elektricität auftritt, indem die eine positiv, die andere ebenso stark negativ elektrisch wird. Buff schliefst daraus, daß die Quelle der bei der Reibung entstehenden Elektricität zunächst in der Berührung zu suchen ist, und daß die Reibung dabei nur insefere wirke, als durch dieselbe immer andere Stellen der Körper mit einander in Berührung treten, während man von den Stellen, welche in Berührung waren, die Elektricitäten ansammeln kann.

§. 74.

Die Voltasche Säule. In den vorigen Paragraphen haben wir die Elektricitätserregungen der verschiedensten Kombinationen betrachtet, und bereits an einer Stelle den Satz aufgestellt und bewiesen, daß die an den Enden einer galvanischen Kombination auftretenden elektrischen Differenzen, oder die in einem Stromkreise eirkulierenden Elektricitäten proportional sind der Summe der in dieser Kombination vorhandenen elektromotorischen Kräfte. Aus diesem Satze, verbunden mit der Erfahrung, daß die Flüssigkeiten nicht zur Spannungsreihe der Metalle gehören, ergiebt sich die Anordnung zur Verstärkung der bei der Berührung auftretenden Elektricitäten, welche zuerst Volta angewandt hat, und welche danach den Namen der Voltaschen Säule erhalten hat. Dieselbe ist geeignet, ohne weitere Hilfsmittel die bei der Berührung auftretende Elektricität nachzuweisen.

Legt man auf ein Plattenpaar C, Z Fig. 108 von Kupfer und Zink, von denen das Kupfer mit der Erde in leitender Verbindung steht, eine





mit schwach sauerm Wasser angefeuchtete Tuchplatte F und auf diese ein zweites Plattenpaar C_1 Z_1 u. s. f., so wird zunächst, da die Kupferplatte mit der Erde in leitender Verbindung steht, der Wert der elektrischen Potentialfunktion auf der Kupferplatte gleich O sein müssen. Die Zinkplatte erhält aber durch die Berührung mit der Kupferplatte eine gewisse Menge positiver Elektricität, welche sich zugleich durch Leitung über alle darüber

liegenden Platten verbreitet. Da infolge der zwischen den Metallen thätigen elektromotorischen Kraft eine ganz bestimmte Differenz der Werte der elektrischen Potentialfunktionen vorhanden sein muß, so muß, da die Potentialfunktion auf dem Kupfer gleich O ist, der Wert derselben auf der Zinkplatte

¹⁾ Fechner, Lehrbuch des Galvanismus, zugleich als III. Band der II. Auflage seiner Übersetzung von Biots Physik S. 21.
2) *Buff, Liebigs Ann. Bd. CXIV.

und allen darüber befindlichen Platten nach der Bezeichnung des §.69 gleich $2Zn \mid Cu$ sein, wofür wir das Zeichen $E_{z\mid c}$ einsetzen wollen.

Die auf der Zinkplatte liegende feuchte Tuchscheibe wird durch die Berührung mit dem Zink ebenfalls positiv erregt, und bezeichnen wir die Differenz der Potentialwerte auf der feuchten Tuchscheibe und der Zinkplatte mit $E_{F\mid Z}$, so muß auf der Tuchscheibe infolge der Berührung mit dem Zink der Potentialwert steigen auf $E_{z\mid c}+E_{F\mid Z}$. Ganz denselben Wert des Potentials erhalten dann auch infolge dieser Kontakte die auf der Tuchscheibe weiter aufgeschichteten Platten.

Liegt auf der feuchten Tuchscheibe die Kupferplatte C_1 , so wird infolge der zwischen dem Kupfer und der Flüssigkeit thätigen elektromotorischen Kraft das Kupfer negativ erregt; der Wert des elektrischen Potentials, welcher dem Kupfer durch Leitung mitgeteilt ist, muß deshalb um die Differenz der Potentialwerte, welche infolge der Berührung zwischen Kupfer und Flüssigkeit vorhanden ist, kleiner werden. Bezeichnen wir diese Differenz mit E_{C+F} , so wird der Wert der elektrischen Potentialfunktion auf der Kupferplatte C_1

$$E_1 = E_{z \mid c} + E_{F \mid Z} - E_{C \mid Z}.$$

Wird auf die Kupferplatte wieder eine Zinkplatte, auf diese ein feuchter Leiter und weiter eine Kupferscheibe gelegt, so erhält die obere Kupferplatte den Potentialwert $2E_1$. Denn da stets zwischen zwei sich berührenden Zink- und Kupferplatten dieselbe Differenz $E_{z|c}$ der Potentialwerte vorhanden sein muß, so steigt durch die Berührung des Zinks mit dem Kupfer auf ersterem der Wert der Potentialfunktion um diese Differenz, derselbe wird also $E_1 + E_{z|c}$. Auf dem feuchten Leiter steigt sus demselben Grunde der Wert der Potentialfunktion um $E_{F|z}$, er wird also $E_1 + E_{z|c} + E_{F|z}$, und auf der darüber liegenden Kupferplatte nimmt er wieder um $E_{C|F}$ ab, er wird also dort

$$E_2 = E_1 + E_{z+c} + E_{F+Z} - E_{C+F} = 2E_1$$

Schichten wir weiter Zink, feuchten Leiter, Kupfer auf, so wiederholt sich die elektrische Erregung, so daß, wenn wir nmal Kupfer, Zink und feuchten Leiter auf einander geschichtet und auf die n. Kombination wieder eine Kupferplatte legen, die elektrische Potentialfunktion auf derselben wird

$$E_n = nE_1.$$

Der Wert der elektrischen Potentialfunktion oder auch die Dichtigkeit der Elektricität auf einer mit ihrem einen Ende zum Erdboden abgeleiteten Voltaschen Säule wächst also nach ihrem andern Ende hin der Anzahl der Plattenkombinationen, oder der einzelnen Elemente, wenn wir jede einzelne Kombination Kupfer, Zink, feuchten Leiter als Element bezeichnen, proportional; und zwar ist, wenn das untere Ende abgeleitet ist, und die Platten in der Reihenfolge Kupfer, Zink, feuchter Leiter u. s. w. auf einander geschichtet sind, die auf der Säule verbreitete Elektricität positiv.

Wäre bei der eben betrachteten Anordnung das obere Ende abgeleitet, oder wären die Platten in der Reihenfolge Zn, Cu, feuchter Leiter auf einander geschichtet, so würde über die ganze Säule freie negative

Elektricität verbreitet gewesen sein und auf der obern Grenze der *Kombination wäre der Wert des Potentials

$$-E_n=-nE_1$$

gewesen, wie sich unmittelbar ergiebt.

Biot hat diesen Satz experimentell geprüft¹), indem er das obere Ende von Säulen mit einer verschiedenen Anzahl Platten, deren unteres Ende vollkommen zum Erdboden abgeleitet war, mit einem Kondensator in leitende Verbindung brachte, nach aufgehobener Verbindung die von der Kondensatorplatte entfernte Kollektorplatte mit der Standkrügel einer Torsionswage berührte, und dann die Kugel in der Torsionswage untersuchte. Wurde die Kollektorplatte immer an demselben Punkte berührt, so war die der Standkrügel erteilte elektrische Dichtigkeit der elektrischen Potentialfunktion an dem obern Ende der Säule proportional. Es zeigte sich in der That, dass der Wert der Potentialfunktion am obern Ende der Anzahl der Plattenkombinationen proportional war.

Die elektrische Dichtigkeit änderte sich bei gleicher Plattenzahl mit der Natur des feuchten Leiters, sie war unabhängig von der Größe der Platten, zwei Sätze, welche sich unmittelbar aus dem Früheren ergeben.

Fechner²) hat mit Hilfe einer so konstruierten Säule einen interessanten Versuch gemacht, um das Verhältnis zwischen den Elektricitätmengen zu bestimmen, welche bei dem Kontakt zweier Metalle an der Berührungsstelle angehäuft wird, und welche sich frei über dem Metalle verbreitet, um also gewissermaßen die Verstärkungszahl der als Kondensatorplatte betrachteten Zink-Kupfer-Platte zu bestimmen. Legt man auf die obere Kupferplatte der Säule von n Paaren eine isolierte Zinkplatte und berührt diese mit einer isolierten Kupferplatte nur in wenig Punkten, so giebt die Kupferplatte am Elektroskop geprüft positive Elektricität an, welche durch Leitung auf die Kupferplatte übergeht, da das obere Ende der Säule den Potentialwert nE_1 hat.

Legt man dagegen die Kupferplatte auf die Zinkplatte und hebt sie in der Weise ab, wie man die Platte bei dem Voltaschen Fundamentalversuch abhebt, so zeigt eine Prüfung der Platte am Elektroskop, dass die Platte negativ elektrisch ist. Durch den Kontakt mit der Zinkplatte wird das Kupfer negativ elektrisch, der größte Teil dieser negativen Elektricität sammelt sich an der Berührungsfläche an, während ein geringer Teil sich verbreitet und von der positiven Elektricität nE, neutralisiert wird. Hebt man nun die Platte ab, so wird sie positiv oder negativ erscheinen, je nachdem die Dichtigkeit der negativen Elektricität nach ihrer Verbreitung auf der Kupferplatte kleiner oder größer ist als nE1. Fechner fand nun, daß in diesem Falle die Kupferplatte nach dem Abheben bei Säulen von 50-100 Plattenpaaren noch negativ war, ja, dass es einer Säule von ungefähr 700 Plattenpaaren bedürfe, um die an der Berührungsfläche angehäufte negative Elektricität zu neutralisieren. Die Bemerkung von Helmholtz (§. 68) zeigt, das auch hier bei dem Abheben noch eine Aus-

¹⁾ Biot, Fechner Lehrbuch des Galvanismus S. 38.

²⁾ Fechner, Lehrbuch des Galvanismus S. 49. Poggend. Ann. Bd. XLL

ichung des größten Teiles der durch den Kontakt Kupfer-Zink erregten iktricitäten stattgefunden hat.

Die Verteilung der freien Elektricität in einer Voltaschen Säule, welche ihren beiden Enden isoliert ist, ist eine andere, auf ihr sind beide ektricitäten in gleicher Menge vorhanden, und da von je zwei Berühngsstellen aus die beiden Elektricitäten nach entgegengesetzten Seiten fließen, so folgt, dass die eine Hälfte der Säule positiv, die andere gativ elektrisch ist. Um die Verteilung sofort zu übersehen, denken wir s zwei Säulen aufgebaut, beide auf isoliertem Fusse, die eine in der en angenommenen Reihenfolge Cu Zn F, Cu Zn F u. s. f., so dass sie en mit der Kupferplatte auf dem feuchten Leiter schließt, die andere . umgekehrter Reihenfolge Zn Cu F, Zn Cu F u. s. f., so dass sie oben it einer Zinkplatte schließt. Werden die oberen Enden beider Säulen m Erdboden abgeleitet, so wird die erste an ihrem unteren Ende negativ ektrisch und den Potentialwert — nE_1 haben, die andere wird an rem unteren Ende positiv elektrisch sein und der Wert des Potentials $t + nE_1$. Setzen wir nun die beiden Säulen mit ihren abgeleiteten aden auf einander, so zwar, dass die zweite auf die erste zu stehen ommt, dann erhalten wir eine Säule von 2n Elementen in der Reihenlge CuZnF, CuZnF u. s. f., welche in ihrer Mitte die elektrische ichtigkeit O hat, da die Mitte abgeleitet ist, und in welcher von der itte an nach unten hin die negative Elektricität bis zu dem Potentialrte nE_1 wächst, während von der Mitte an nach oben hin die positive ektricität bis zu demselben Werte zunimmt. An diesem elektrischen Zuunde der Säule wird sich, da in der Mitte der Wert der Potentialfunktion ich 0 ist, und da sich von beiden Seiten nach der Mitte hin in jedem igenblicke die gleiche Menge entgegengesetzter Elektricitäten bewegt, :hts ändern, wenn die Ableitungen zur Erde fortgenommen werden. Es gt somit, dass auf den Enden einer isolierten Säule von 2n Elementen \rightarrow Dichtigkeit der Elektricität gleich nE_1 ist, halb so groß als auf dem blierten Ende einer Säule, deren anderes Ende abgeleitet ist, dass das ne Ende positiv, das andere negativ elektrisch und dass die Mitte nicht ektrisch ist.

Man kann diesen Satz auch direkt ableiten, indem man die elektrihen Dichtigkeiten auf den Platten untersucht, welche sie erhalten, wenn su unterste Ende ebenfalls isoliert ist. Setzen wir zu dem Ende die ektrischen Differenzen

$$E_{s \mid c} = 2a$$
, $E_{F \mid s} = 2b$, $E_{c \mid F} = 2c$,

wird infolge des früher bewiesenen Satzes, das die elektrischen Difrenzen zweier sich berührender Substanzen konstant und unabhängig nd von dem elektrischen Zustande des einen derselben, in der unten bgeleiteten Säule, wie wir schon vorher erhielten, von unten nach oben er elektrische Zustand sein

$$Cu = 2a + 2b + 2c \qquad = E_1$$

$$Zn = 2a + 2b + 2c + 2a$$

$$F = 2a + 2b + 2c + 2a + 2b$$

$$Cu = 2a + 2b + 2c + 2a + 2b + 2c \qquad = 2E_1$$

$$Zn = 2a + 2b + 2c + 2a + 2b + 2c + 2a$$

$$F = 2a + 2b + 2c + 2a + 2b + 2c + 2a + 2b$$

$$Cu = 2a + 2b + 2c + 2a + 2b + 2c + 2a + 2b + 2c = 3E_1$$

Ist dagegen das Kupfer nicht abgeleitet, so behält es die negative Elektricität — a und das erste Zink erhält nur +a; die auf dem Zink liegende feuchte Scheibe bewirkt, daß das Zink — b, die feuchte Scheibe +b erhält u. s. f., so daß folgendes Schema den elektrischen Zustand der isolierten Säule angiebt, welche mit der soeben betrachteten die gleiche Plattenzahl hat:

$$Cu = + a + b + c + a + b + c + a + b + c = 3\frac{E}{2}$$

$$F = + a + b + c + a + b + c + a + b - c$$

$$Zn = + a + b + c + a + b + c + a - b - c$$

$$Cu = + a + b + c + a + b + c - a - b - c = \frac{E}{2}$$

$$F = + a + b + c + a + b - c - a - b - c$$

$$Zn = + a + b + c + a - b - c - a - b - c$$

$$Cu = + a + b + c - a - b - c - a - b - c = -\frac{E}{2}$$

$$F = + a + b - c - a - b - c - a - b - c$$

$$Zn = + a - b - c - a - b - c - a - b - c$$

$$Cu = - a - b - c - a - b - c - a - b - c = -3\frac{E}{2}$$

Wie man sieht, ist die elektrische Differenz der auf einander folgenden Platten ganz dieselbe, wie in dem vorigen Falle; da aber die negative Elektricität nicht abfließt, kann die Dichtigkeit der positiven Elektricität an dem oberen Ende nur halb so groß sein.

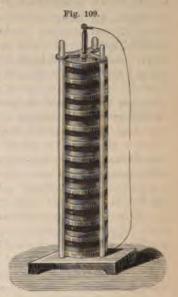
Von der Richtigkeit dieser Schlüsse kann man sich leicht durch den Versuch überzeugen. Man baue, wie Fig. 109, auf einem isolierten Stativ zwischen drei Glassäulen eine Säule von 100 Plattenpaaren auf, Cu Zn F; Cu Zn F u. s. f., so daß die Säule oben wieder mit der auf den letzten feuchten Leiter gelegten Kupferplatte endet, und befestige an den beiden die Säule begrenzenden Kupferplatten Drähte. Legt man dann an den Draht der oberen Platte ein Elektroskop an, so divergiert dasselbe mit positiver, legt man es an den unteren Draht, mit negativer Elektricität.

Legt man das Elektroskop an einen der Drähte, während man den anderen ableitend berührt, so wird die Divergenz der Goldblättchen bedeutend stärker.

Einer solchen Voltaschen Säule kann man sich als einer allerdings wachen Elektrisiermaschine bedienen, und mit der von ihr geliefer rtricität alle jene Erscheinungen hervorbringen, welche wir bei der Reibungselektricität kennen gelernt haben; so kann man mit derselben die elektrischen Anziehungen und Abstofsungen zeigen, einen Ladungsapparat laden u. s. f., so daß man dadurch, wenn es dessen nach dem Vorigen

noch bedürfte, den Beweis für die Identität der Reibungselektricität und Berührungselektricität liefern könnte.

Verbindet man das obere Ende der Säule mit dem unteren durch einen Metalldraht, so cirkuliert durch den Draht und die Säule ein Strom, welcher von dem positiven oberen Pole zu dem negativen unteren durch den Draht geht und in der Säule von dem unteren zu dem oberen Pole geht. Die untere Kupferplatte ist hierbei elektromotorisch unwirksam, da nach dem Spannungsgesetze dieselbe elektromotorische Kraft auftritt, wenn wir die obere Kupferplatte direkt mit der unteren Zinkplatte durch einen Draht verbinden. Man kann sie daher fortnehmen und den Aufbau der Säule mit der Zinkplatte beginnen. Man erkennt dann sofort, dass hier der Strom ganz in demselben Sinne cirkuliert, wie bei dem einfachen Elemente, von dem positiven Metalle durch die Säule zu dem



dem negativen Endmetalle, außerhalb aber von dem negativen Endmetalle zu dem positiven. Nennen wir nun jenen Polbei der Säule, und diese Benennung werden wir auch später beibehalten, den positiven, welcher isoliert positive Elektricität enthält, und von welchem aus der positive Strom durch den Verbindungsdraht geht, so wird das in der Spannungsreihe negativere Endmetall stets den positiven, das in der Reihe positivere Endmetall stets den negativen Pol bilden. Als Spannungsreihe gilt dann immer jene, welche die Metalle zeigen, wenn sie in der betreffenden Flüssigkeit stehen, mit welcher die Säule aufzebaut ist.

§. 75.

Trockne Säulen. Einer besonderen Art der Voltaschen Säulen, der Zambonischen oder trocknen Säulen müssen wir hier erwähnen, teils weil die hänfig als Beweis angesehen wurden, dass es durchaus keiner Feuchtigkeit bei Erregung der Kontaktelektricität bedürfe, teils wegen ihrer Wichtigkeit für die Konstruktion der empfindlichen Elektroskope.

Zur Herstellung solcher Säulen¹) kann man unächtes Gold- und Silberpapier benutzen. Ersteres besteht aus Papier, welches auf der einen Seite mit einer dünnen Kupferschicht, letzteres aus solchem, welches auf der einen Seite mit einer dünnen Zinnschicht bedeckt ist. Man klebt zwei

¹⁾ Derartige Säulen wurden zuerst konstruiert von Behrens. Gilberts Ann. Bd XXIII; sie werden Zambonische genannt, weil Zamboni sich vielfach mit deuselben beschäftigte. Gilberts Annalen Bd. XLIX, Bd. LI, Bd. LX.

solcher Bogen mit ihrer Rückseite auf einander, so dass die eine Seite eines so kombinierten Bogens Zinn, die andere Kupfer ist. Mehrere solcher Bogen werden auf einander gelegt, so dass die Zinn- und Kupferschichten sich berühren; dann zerteilt man sie mit einem Oblatenmesser in lauter Scheiben von etwa 2 cm Durchmesser. Derartiger Scheiben schichtet man in einer trocknen Glasröhre, deren eines Ende mit einer Messingkapsel verschlossen ist, etwa 2000 auf einander, wobei man dastr sorgt, dass stets in derselben Reihefolge Kupfer, Zinn, Papier auf einander folgen. Man schließt dann die Glasröhre, indem man auf das andere Ende ebenfalls eine Messingkapsel aufsetzt, von welcher ein mit einem Metallplättehen versehener Stift in die Röhre hineinragt, welcher den Zweck hat, die Papierscheiben gehörig zusammen zu pressen.

Anstatt Zinn- und Kupferpapier kann man auch manche anderen Materialien anwenden; so bestrich Zamboni die Rückseite eines Zinnpapiers mit Mangansuperoxyd; es gelingt das am besten, wenn man möglichst fein gepulverten Braunstein mit etwas Gummiwasser anmacht, ihn dam mit einem Pinsel aufträgt und, um ihn recht gleichmäßig zu verteilen, mit einem Korkpfropf verreibt.

Wie man sieht, wird auch hier die Messingkapsel, an welcher die letzte Zinnschicht anliegt, den negativen, diejenige, an welcher die letzte Kupfer- oder Braunsteinschicht anliegt, den positiven Pol bilden, da diese Saule gerade so angeordnet ist, wie die zuletzt betrachtete Voltasch Säule. Die Dichtigkeit der freien Elektricität an den Messingkapseln kann bei sehr großer Plattenzahl ziemlich beträchtlich sein, indes dauert & wenn man die Pole einmal entladen hat, wegen der geringen Leitungfähigkeit des lufttrocknen Papieres, immer einige Zeit, bis die elektrisch Dichtigkeit der Pole wieder die frühere geworden ist. Deshalb zeigt sich auch bei Verbindung der beiden Pole nur ein äußerst schwacher Strom Aus demselben Grunde hängt auch die Dichtigkeit der freien Elektricität an den Polen ab von dem Feuchtigkeitszustande der Luft; eine Säule kann, je nachdem das Papier mehr oder weniger trocken ist, in feuchte Luft gebracht, stärkere oder schwächere Spannung zeigen. Feuchtigkeit der Luft zu dem Papier dringen und dasselbe feuchter machen so wird dadurch die Leitungsfähigkeit des Papieres verbessert, es kann mehr Elektricität zu den Polen fließen, und die Dichtigkeit der Elektricität kann dort größer werden. Da indes in feuchter Luft die Elektricität sich rascher zerstreut als in trockner Luft, so verlieren in gleichen Zeiten auch die Pole mehr Elektricität. Überwiegt der erste Umstand, so wird die Dichtigkeit der Elektricität an den Polen nach Herstellung des Gleichgewichtszustandes größer sein, überwiegt der zweite, so wird sie kleiner sein, denn der Gleichgewichtszustand ist immer dann erreicht, wenn in gleichen Zeiten die Pole aus der Säule immer so viel Elektricität erhalten, als sie an die Luft abgeben.

Über die Verwendung der trocknen Säulen zu dem Behrensschen oder Bohnenbergerschen Elektroskope brauchen wir hier nichts hinzuzufügen, wir können in Bezug darauf auf den vorigen Abschnitt verweisen.

Man hat, wie erwähnt, geglaubt, dass diese Säulen bei Abwesenheit aller Feuchtigkeit elektromotorisch wirken, indem man glaubte, dass die Elektricität nicht durch Leitung an die Pole käme, sondern dadurch, dass

le an den Berührungsstellen jedes Paares angesammelte Elektricität auf be folgenden influenzierend wirkte. Die Möglichkeit dieser Wirkungsweise mis allerdings zugegeben werden, wie man leicht durch Erwägung der liglichen Influenzen ersieht 1). Indes ist diese Anschauung nicht die richge, wie sich unmittelbar daraus ergiebt, daß die Säulen ihre Wirksamoit vollständig verlieren, wenn man das Papier seiner hygroskopischen mehtigkeit beraubt, indem eine Säule nach und nach unwirksam wird, Tenn man sie in einer Flasche neben Chlorkalcium aufbewahrt2). Die ale liefert deshalb keinen direkten Beweis für die Elektricitätserregung urch den Kontakt der Metalle allein; indes ist selbstverständlich die Notendigkeit der Gegenwart von Feuchtigkeit auch kein Beweis dagegen, die Feuchtigkeit notwendig ist, damit das Papier leitet.

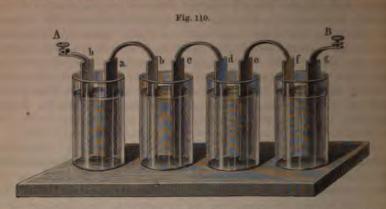
S. 76.

Verschiedene Formen der Voltaschen Säule. Die Voltasche Säule t einige große Unbequemlichkeiten, welche ihren Gebrauch zur Herellung dauernder und kräftiger galvanischer Ströme sehr beschränken. folge des starken Druckes, den die aufgehäuften Metallplatten auf die nteren feuchten Tuchscheiben ausüben, wird die Feuchtigkeit aus den-lben herausgepreßt. Die an der Säule herablaufende Flüssigkeit dient zu, der zu den Polenden abfliessenden Elektricität eine Leitung daribieten, in welcher sich die positive und negative wieder vereinigen; folgedessen tritt eine Schwächung der an den Polen angesammelten lektricität und dadurch auch eine Schwächung des Stromes ein, welcher en die Pole verbindenden Draht durchfliefst. Durch das Austrocknen der uchscheiben wird ferner die Leitungsfähigkeit der Säule vermindert; daselbe geschieht dadurch, dass das angesäuerte Wasser die Zinkplatten anreift, daß sich schwefelsaures Zinkoxyd bildet, welches als krystallinicher Überzug die Oberfläche des Metalles bedeckt. Auch deshalb wird bei leser Sänle die elektrische Dichtigkeit an den Polen bald sehr klein.

Schen Volta hat daher anstatt der vorhin beschriebenen andere Fornen der Säule angewandt³). Zunächst baute er die Säulen zwischen lorizontalen Glasträgern horizontal, wodurch das Auspressen der feuchten luchscheiben und somit das rasche Austrocknen vermindert wurde. Um he Bedeckung des Zinkes mit dem Salze und die Nebenschliefsungen von Pol zu Pol zu vermindern, konstruierte er die Tassen- und Bechersäule Fig. 110. Anstatt der runden Metallscheiben dienen zu derselben rektanguäre Metallstreifen a, b, c. Dieselben sind U-förmig gebogen, der eine ertikale Schenkel des U ist von Zink und an den horizontalen Teil des Supferstreifens angelötet. In dem letzten Becher zur Rechten steht dem etzten Zinkstreifen gegenüber ein Kupferstreifen, welcher bei B eine demme zur Aufnahme des Drahtes trägt; ebenso steht in dem ersten ocher dem Kupfer gegenüber ein Zinkstreifen, welcher ebenfalls mit iner Klemmschraube versehen ist.

Jäger, Gilberts Annalen Bd. XLIX und LH. Man sehe auch Wiedemann, ektricitätslehre Bd. I, §. 290 ff.
 Erman, Gilberts Annalen Bd. XXV.
 Volta, Gilberts Annalen Bd. VI.

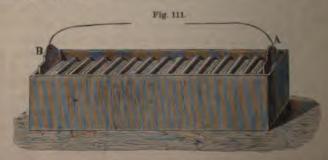
Wie man sieht, ist im übrigen die Anordnung dieses Apparates gau die der Säule, es folgen sich $Zn\ F\ Cu$, $Zn\ F\ Cu$, u. s. f. Bei der Verbindung von A und B geht der positive Strom von B nach A, as



also B der positive, A, das Zinkende, der negative Pol der Säule. Is die Säule nicht geschlossen, so ist bei A freie negative, bei B freie positive Elektricität.

Da die einzelnen Zink-Kupferpaare in verschiedenen Bechern stehen so findet außer durch den Verbindungsdraht keine leitende Verbindung von Pol zu Pol statt, und da die Metalle in den Flüssigkeiten selbstehen, so kann ein Austrocknen der feuchten Leiter und ein Ansetza des krystallinischen Salzes an den Zinkstreifen nicht stattfinden, die Leitung in der Säule wird mit der Zeit nicht allmählich schlechter.

Der Aufbau einer Voltaschen, auch einer Tassensäule, von vielen Elementen ist immer eine langwierige Arbeit, besonders da man die einem al zusammengesetzten Säulen nach jedem längeren Gebrauche wieder auseinandernehmen muß, weil sie auch in der letzten Form allmählich an Kraft verlieren, und weil sie sonst zu rasch verbraucht werden. Man hat deshalb die Apparate vielfach geändert, um sie so bequemer zum Gebrauche zu machen.

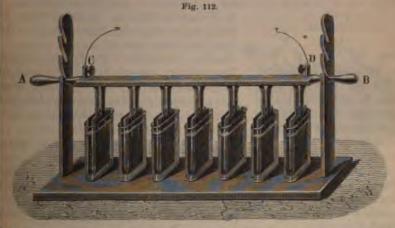


Der Cruickshanksche Trogapparat¹) (Fig. 111) braucht nicht nach dem Gebrauche auseinandergenommen zu werden, er wird außer Thätigkeit

¹⁾ Cruickshank, Gilberts Annalen Bd. VII.

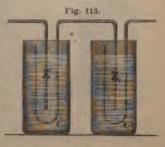
setzt, indem man einfach das mit Schwefelsäure angesäuerte Wasser is dem Apparate ausgießt. Quadratische Kupfer- und Zinkplatten sind erer Fläche nach, je eine Kupfer- und Zinkplatte zusammengelötet. ieselben sind, in der Fig. 111 angegebenen Weise, in einen Holztrog agesetzt, so daß sie in die Fugen der Seitenwände eingreifen. Häufig and sie auch in diese Fugen eingekittet. Um den Apparat in Thätigkeit is setzen gießt man nur in die Zwischenräume von je zwei Plattenaren das angesäuerte Wasser. Die letzten Platten A, B brauchen atürlich keine Doppelplatten, sondern nur die eine von Zink, die andere en Kupfer zu sein. Wenden die Platten alle nach A ihre Kupferseite, uch B ihre Zinkseite, so muß in dem Falle A eine Zinkplatte, B eine supferplatte sein, und wie man sieht, ist dann wie bei der Voltaschen sulle das Zinkende der negative, das Kupferende der positive Pol.

Die Wolfastensche Säule¹) ist eine Verbesserung der Voltaschen issensäule. Er befestigte (Fig. 112) die einzelnen Zink- und Kupferare an einem Holzrahmen A, B, so daß sie alle zugleich aus den schern herausgehoben und wieder hineingelassen werden können. Zu-



leich gab er, um die Oberfläche des Kupfers zu vergrößern, und so, ie wir später nachweisen werden, die Leitungsfähigkeit der Säule zu

erbessern, den Metallen die in Fig. 113 in ergrößertem Maßstabe dargestellte Form. In Kupferplatte C umgiebt die Zinkplatte Z, welche eine Größe von mehreren Quadratemtimetern hat, von beiden Seiten; sie ist ann mit einem Kupferstreifen, gerade wie bei er Tassenskule, an das folgende Zink Z₁ antelötet, welches seinerseits von der Kupferlatte C₁ umgeben ist. Die Kupferstreifen, elche die Kupfer- und Zinkplatten verbinden, and isoliert an dem Holzrahmen AB befestigt.



er letzte Kupferstreifen ist mit der Klemmschraube D, der mit der

¹⁾ Wollaston, Gilberts Annalen Bd. LIV.

ersten Zinkplatte verbundene Kupferstreifen ist mit der Klemmschraube U in leitender Verbindung. D ist demnach wieder der positive, C der negative Pol.

Der Holzrahmen AB ruht auf den Einschnitten der Holzstände, welche an den Seiten der Säule auf demselben Fußbrette stehen, auf welchem die Säule steht; verschiedene Einschnitte in den Ständern gestatten die Metalle ganz außerhalb der Flüssigkeit aufzuhängen oder mehr oder weniger tief einzusenken.

Die Wollastonsche Anordnung der Metalle ist später noch mannigfach abgeändert worden. So wandte Young 1) doppelte Zink- und doppelte Kupferplatten an, Fig. 114, so daß sowohl das Zink auf beiden Seiten von Kupfer, wie auch das Kupfer auf beiden Seiten von Zink umgeben ist. Die Zinkplatten ZZ sind mit einander durch den Zinkstreifen z mit den folgenden, unter sich durch den Kupferstreifen k verbundenen Kupferplatten KK durch den Streifen a in metallische Verbindung gebracht

Wenn es sich bei diesen Apparaten nur darum handelt, einen kriftigen galvanischem Strom in dem die Pole verbindenden Drahte zu erhalten, so ist es nicht notwendig, die einzelnen Metallkombinationen, wie



es Wollaston that, in besondere Gefäse m tauchen, sondern man kann sie dann, ohne eine merkliche Schwächung des Stromes, in dieselbe Flüssigkeit, als in einen großen Trog setzen. Der Grund ist, wie wir später nachweisen werden, der, daß der Widerstand, welchen die Elektricität in der Flüssigkeit findet, sehr viel bedeutender ist als derjenige im Schließungsdrahte. Wenn aber der an den Polen angesämmelten Elektricität zwei Wege zur Ausgleichung geboten

werden, welche verschiedenen Widerstand leisten, so ist die durch jeden Weg strömende Elektricitätsmenge dem Widerstande des Wegs umgekehr proportional. Eine Vereinfachung der Wollastonschen Einrichtung ist es

daher, wenn man anstatt der einzelnen Gefäse nur

einen gemeinsamen Trog anwendet.



Will man die einzelnen Gefässe beibehalten, so kann man, wie es Oersted²) that, die Kupferplatte selbst als Gefäss anwenden. Oersted gab seiner Säule die Form Fig. 115. Die Kupferplatten erhielten die Gestalt von unten geschlossenen Doppelcylindern K, die Zwischenräume zwischen den äußeren und inneren Kupfercylindern werden mit der verdünnten Schwefelsäure gefüllt und dann werden die Zinke ebenfalls in Form von Cylindern, welche unten aber offen sind, in den ringförmigen Zwischenraum

hineingesetzt. Um die metallische Berührung des Kupfers mit dem eingesetzten Zinkcylinder zu verhindern, kann man dem letzteren unten

Young, Philosophical Magazin Bd. X. 1837. Poggend, Ann. Bd. XL. rsted, Schweiggers Journal Bd. XX. Jahrgang 1818.

men Korkring geben. Die Cylinder tragen angesetzte Streifen, welche ben Quecksilbernäpfehen tragen, in welche man die Enden der Drähte, wiche die aufeinander folgenden Zink- und Kupfercylinder mit einnder verbinden, oder die Enden der den Stromkreis schließenden Drähte insetzt

Eine noch bedeutendere Verminderung des Widerstandes als die Elesente von Wollaston, Young und Oersted darbieten, erreicht man mit nanchen anderen Anordnungen, so ganz besonders mit der Anordnung on Hare 1). Derselbe wickelt zwei durch Tuchstreifen vor metallischer enthrung bewahrte Bleche, eines von Kupfer, das andere von Zink, on vielleicht 0,5 m Breite und mehreren Metern Länge um einen Holz-Minder. Dieselben werden dann in einen mit verdünnter Schwefelsäure Willten Holzeimer gesetzt. Verbindet man die Enden des Kupfers und Zinks durch einen kurzen Draht, so cirkuliert durch denselben ein Alserst kräftiger Strom. Weil man mit einem solchen Apparat leicht rähte zum Glühen bringen kann, nennt man sie Kalorimotoren.

Außer den angegebenen hat man noch Säulen der verschiedensten

rmen gebildet2), deren Beschreibung indes überflüssig ist.

Nur erwähnen müssen wir hier noch, dass man anstatt Kupfer und

ak mehrfach andere Metalle und zuweilen auch hl andere Flüssigkeiten als verdünnte Schwefel-

are angewandt hat.

Man benutzt anstatt des reinen amalgamiertes uk als positives Metall. Man erreicht dadurch den doppelten Vorteil. Zunächst ist der Zinkrbrauch bedeutend kleiner, da amalgamiertes Zink r sich von der verdünnten Schwefelsäure nicht fgelöst wird, das Zink also nur nach Maßgabe s benutzten Stromes durch die mit dem Strome iftretenden chemischen Prozesse verbraucht wird.

Zweitens aber ist die elektrische Differenz zwischen upfer und amalgamiertem Zink eine größere als rischen Kupfer und gewöhnlichem Zink, indem das nalgamierte Zink gegen gewöhnliches selbst positiv oktrisch ist, eine Erfahrung, welche um so aufllender ist, da das Quecksilber in den Spannungs-





ihen zu den negativen Metallen gehört, und für welche man noch keine schhaltige Erklärung gefunden hat. Einen ähnlichen Einfluß zeigt das wecksilber auch bei der Amalgamierung anderer Metalle, es verändert eren Stellung in der Spannungsreihe, jedoch nicht alle nach der posi-iven Seite. So ist nach Poggendorff³) amalgamiertes Zinn und amal-amiertes Blei positiver als gewöhnliches Zinn und gewöhnliches Blei, dagen amalgamiertes Kadmium gegen gewöhnliches negativ, und ebenso ich amalgamiertes Eisen negativ gegen nicht amalgamiertes.

Als negatives Metall hat man in der Kette Platin oder platiniertes,

Hare, Gilberts Annalen Bd. LXXI.
 Unter andern Faraday, Experimental researches. X. Reihe. Poggend.

³⁾ Poggendorff, Poggend, Ann. Bd. L.

d. h. mit Platinschwamm überzogenes Silber angewandt¹). Ketten aus amalgamiertem Zink, verdünnter Schwefelsäure und platiniertem Silber, Smeesche Ketten, sind viel kräftiger als Zink-Kupfer-Ketten. In diese Ketten ist das Platin in Form des Platinschwammes an die Stelle des Kupfers getreten, und man hat es daher versucht, an die Stelle des teuren Silbers andere Metalle als Unterlage für das Platin zu wählen. Nach Paterson²) soll das Eisen dazu vorzüglich geeignet sein, welche man dadurch platiniert, dass man es einfach in eine Lösung von Platin in Königswasser taucht.

Auch Eisen allein hat man als negatives Metall in der Kette er gewandt³) und gefunden, daß trotzdem, daß Eisen in den Spannungreihen näher bei dem Zink steht als das Kupfer, die aus Zink, wedunnter Schwefelsäure und Eisen gebildeten Ketten wirksamer sind ab die Zink-Kupfer-Ketten. Den Grund dieser auffallenden Erscheinung werden wir später kennen lernen.

Als Flüssigkeiten hat man anstatt der verdünnten Schwefelsimmehrfach andere angewandt: verdünnte Salpetersäure, Kupfervitriollösung Zinkvitriollösung, Salmiaklösung u. a. m. Die Ketten werden dadurt nicht wesentlich geändert ⁴).

§. 77.

Die konstanten Ketten. Die sämtlichen in dem vorigen Paragraphe beschriebenen und mit ihnen alle Ketten, welche aus zwei Metallen wi einer Flüssigkeit konstruiert sind, haben den großen Fehler, daß sie bil nach ihrer Zusammenstellung von viel schwächerer Wirkung sind als Anfang. Der Grund dieser Schwächung liegt hauptsächlich darin, das sich infolge des die Kette durchfließenden Stromes in der Kette selbe eine elektromotorische Kraft ausbildet, welche einen dem Strome der Kette entgegengesetzten Strom erzeugt. Der durch die Kette selbst hir durchfließende Strom zersetzt nämlich die zwischen den Metallen befindliche Flüssigkeit, die verdünnte Schwefelsäure; die Bestandteile derselben, SO4 und Wasserstoff, werden dadurch zu den Metallen geführt und bedecken dieselben. Da nun in der Kette der Strom stets von dem positiven zu dem negativen Metalle, also von dem Zink zum Kupfer fiels so setzt sieh der Wasserstoff an dem Kupfer ab, der Atomkomplex SO4 am Zink. Letzterer verbindet sich mit einem Molekul Zink zu Zinksulphat, ZnSO₄, und dieses löst sich im Wasser auf. Der Wasserstoff dagegen wird an der Oberfläche des Kupfers kondensiert und bedeckt dieselbe in ähnlicher Weise, wie der Wasserstoff sich am Platin der Groveschen Gaselemeute verdichtet. Da nun das Kupfer, wie alle negtiven Metalle der Ketten, das Wasser für sich nicht zersetzen kann, so

¹⁾ Smec, Philosophical Magazin Bd. XVI. Poggend. Ann. Bd. LI. S. 379.
2) Paterson, Mechanics Magazin vol. XXXIII. Doves Repertorium Bd. VIII. S. 3.

³⁾ Roberts, Philosophical Magazin vol. XVI. Poggend. Ann. Bd. XLIX. Siehe auch Poggend. Ann. Bd. LV. S. 337.

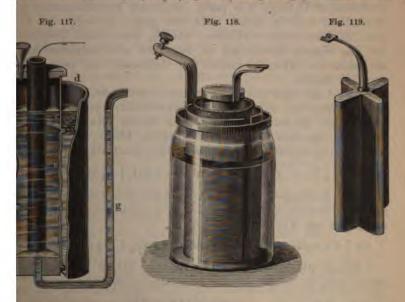
⁴⁾ Eine Zusammenstellung der vielfachen Modifikationen der Voltaschen Säule siehe außer Wiedemann a. a. O. auch Doves Repertorium Bd. VIII. S. 1 ff. von Beetz.

r wie in den Gassäulen eine elektromotorische Kraft auf, welche rom veranlafst, der in der Flüssigkeit von dem Kupfer zum Zink Iso demjenigen entgegengesetzt, welcher durch die sonst in der erhandenen elektromotorischen Kräfte erzeugt wird.

diesen Fehler zu verbessern, muß man deshalb dafür sorgen, hrend der Wirkung des Stromes das negative Metall nicht mit off bedeckt wird. Man hat dazu früher manche Mittel angewandt, eils auf mechanischem, teils auf chemischem Wege das Anlegen serstoffes an dem negativen Metalle verhindern sollten¹); indes ierdurch die Wirkungsabnahme der Kette nur etwas verzögert, er verhindert.

erste, welcher diese Schwächung der Kette vollständig verund welcher Ketten aufbaute in der ausgesprochenen Absicht, h Bedeckung der negativen Metalle mit Wasserstoff auftretende otorische Kraft zu beseitigen, war Daniell²), indem er verhinderte, der Umgebung des negativen Metalles Wasserstoff auftritt. Die selche Daniell seiner Batterie gab, ist folgende.

einen Kupfercylinder, dessen Boden in der Mitte durchlöchert ist, stück einer Ochsengurgel o (Fig. 117) aufgehängt, welches unten



inen Korkpfropf geschlossen ist, der zugleich die Öffnung des vlinders verschließt. Die Ochsengurgel ist oben an einen Cylinder igt, der sich in der Mitte des siebförmigen Deckels d befindet. lie Mitte des Korkpfropfens reicht in die Ochsengurgel das ge-

Caniell, Philosophical Transactions 1836 u. 1837. Poggend. Ann. Bd. XI.II.

fan sehe darüber Doves Repertorium. Bd. VIII. S. 5, auch Wiedemanns mus Bd. I. §. 270 f. 2. Aufl.

bogene Glasrohr g. Der Kupfercylinder wird mit einer konzentrierten Lösung von Kupfervitriol gefüllt und, um dieselbe immer konzentriert zu erhalten, der Deckel mit Krystallen des Salzes bedeckt. Die Ochsengurgel wird mit verdünnter Schwefelsäure gefüllt. In die Schwefelsäure taucht ein amalgamierter Zinkcylinder, welcher in dem hölzernen Deckel des Cylinders c befestigt ist. In diesem Deckel befindet sich zugleich ein Trichter, der den Zweck hat, frische verdünnte Schwefelsäure nachzufüllen. Ist die Schwefelsäure nämlich eine Zeit lang im Gebrauch so löst sie infolge der mit dem Strome verbundenen chemischen Prozesse Zink auf; die Lösung des schwefelsauren Zinkoxydes ist schwerer als die Schwefelsäure; sie sinkt deshalb zu Boden und bei dem Nachfüllen der Schwefelsäure fliefst sie durch das gekrümmte Rohr g ab.

An dem Kupfercylinder und an dem Zink sind entweder Metallstreifen, an denen Klemmschrauben befestigt werden können, oder es sind daran Quecksilbernäpfchen angebracht, welche die Enden der Leitungsdrähte aufnehmen.

Die Form des Daniellschen Elementes ist mehrfach geändert worden, die jetzt gebräuchlichste Form zeigt Fig. 118. In einem Glasgefäße steht ein hohler, unten und oben offener Kupfercylinder, in diesem ein unten geschlossener Cylinder von porös gebrannter Porzellanmasse, sogenannte Thonzellen, und in diesen steht das Zink, entweder in Form eines massiven oder hohlen Cylinders, oder in Form eines Kreuzes Fig. 105. An dem Kupfer sowohl als an dem Zink sind Metallstreifen befestigt, an denen die Klemmschrauben zur Aufnahme der Leitungsdrähte angebracht werden.

Das Glas wird mit einer konzentrierten Lösung von Kupfervitriol, die Thonzelle mit der verdünnten Schwefelsäure gefüllt.

Um die Richtung des Stromes in diesem Elemente bei Verbindung des Zinks mit dem Kupfer zu bestimmen, haben wir nur die in demselben thätigen elektromotorischen Kräfte aufzusuchen. Dieselben sind

$$Hg Zn \mid Cu + H_2SO_4 \mid Hg Zn + Cu SO_4 \mid H_2SO_4 + Cu \mid Cu SO_4$$

Die elektromotorische Kraft zwischen den beiden Flüssigkeiten ist nach den Untersuchungen Fechners zu vernachlässigen. Nach den Untersuchungen von Kohlrausch (§. 70) ist

$$Zn \mid Cu = 100, H_2SO_4 \mid HgZn = 149, Cu \mid CuSO_4 = -21,5.$$

Setzen wir in Ermangelung genauer Zahlen $HgZn \mid Cu$ ebeufalls gleich 100, so ist die Summe der elektromotorischen Kräfte

$$100 + 149 - 21,5$$

woraus folgt, dass der positive Strom in dem Verbindungsdrahte von dem Kupfer zum Zink, im Elemente durch die Flüssigkeit vom Zink zum Kupfer geht; es ist also auch hier das negative Metall der positive Pol.

Die Konstanz der Daniellschen Kette ist eine Folge der in derselben in gehenden chemischen Prozesse; wir werden dieselben an einer Stelle ausführlich betrachten; hier sei nur erwähnt, daß ebenso, erdünnte Schwefelsäure, auch die Lösung von schwefelsauren.

die Klemmschraube zur Aufnahme der Leitungsdrähte tragen. Der Zinkcylinder trägt eine ebensolche Klemmschraube. Das Glas wird mit verdünnter Schwefelsäure und die Thonzelle mit ganz konzentrierter Salpetersäure gefüllt, so daß also in diesem Elemente die Reihenfolge der elektromotorisch wirksamen Substanzen ist: Zink, Schwefelsäure, Salpetersäure,
Platin.

Die Richtung des Stromes ergiebt sich wieder aus einer Betrachtung der elektromotorischen Kräfte; dieselben sind, wenn Zink und Platin mit einander durch einen Draht verbunden sind,

$$Hg\ Zn\ |\ Pt\ +\ H_2\ SO_4\ |\ Hg\ Zn\ +\ HNO_3\ |\ H_2\ SO_4\ +\ Pt\ |\ HNO_3$$

Oder in Zahlen, wenn wir wieder für $Hg Zn \mid Pt$ in Ermangelung einer genauern Zahl $Zn \mid Pt$ einsetzen, nach Kohlrausch

$$123 + 149 + 149$$
,

da wir auch hier die elektrische Differenz zwischen den Flüssigkeiten

Vernachlässigen dürfen.

Es ergiebt sich daraus, das durch den Draht die positive Elektricität von dem Platin zum Zink, in der Flüssigkeit vom Zink zum Platin geht. Es ist also auch hier das in der Spannungsreihe negativere Metall der positive Pol, das positive Metall der negative Pol. Zugleich ergiebt sich, dass die resultierende elektromotorische Kraft in dem Groveschen Elemente ungefähr 1,8 mal so groß ist, als in dem Daniellschen, denn in letzterem ist dieselbe gleich 227,5, in dem Groveschen dagegen 421.

Die Konstanz der Groveschen Kette beruht auf der oxydierenden Wirkung der konzentrierten Salpetersäure; der bei der Zersetzung des Wassers frei werdende Wasserstoff entzieht der Salpetersäure Sauerstoff und bildet mit demselben Wasser. Die Salpetersäure wird dabei zu Stickoxyd reduziert, welches sich teils unter Bildung von Untersalpetersäure in der Salpetersäure löst und dieselbe grün färbt, teils aus der Flüssigkeit untweicht und an der Luft sich zu den braunen Dämpfen der Untersalpetersäure oxydiert.

Die elektromotorische Kraft der Groveschen Kette bleibt deshalb im wesentlichen ungeändert, so lange noch hinreichend Salpetersäure zugegen ist, um den bei der Zersetzung des Wassers frei werdenden Wasserstoff

zu oxydieren.

Wegen ihrer bedeutend größeren Stärke ist die Grovesche Kette der Daniellschen überlegen, sie hat indes gegenüber derselben zwei Nachteile; der erste ist, daß sie wegen der Verwendung des Platin und auch der Salpetersäure bedeutend teurer ist als die Daniellsche; der zweite liegt in der Gasentwickelung, welche während ihres Gebrauches stattfindet. Die sauren Dämpfe der Untersalpetersäure sind sowohl der Gesundheit nachteilig, als auch verderben sie die metallischen Apparate, mit denen man arbeitet. Aus dem letzteren Grunde ist es ratsam, bei dem Gebrauche diese Batterie in einem besonderen, mit einem Abzuge versehenen Raume aufzustellen.

Die große Kostbarkeit der Groveschen Kette, welche hauptsächlich in der Verwendung des Platin ihren Grund hat, hat dazu geführt, das Platin durch Kohle zu ersetzen.

Die Anwendung der Kohle wurde zuerst vorgeschlagen von Cooper1); in die Praxis ist sie indes erst übergegangen, seit Bunsen die nach ihm benannte Zinkkohlenkette, die Bunsensche Säule oder Bunsensche Kette konstruiert hat2). In der Bunsenschen Kette, wie sie jetzt gebräuchlich ist, wird die Kohle in Form hohler, unten und oben offener Cylinder angewandt, welche die Stelle der Kupfercylinder in der Daniellschen Säule einnehmen. Die Kohlen, wie sie zuerst nach Bunsens Angaben von Bretthauer in Marburg verfertigt wurden, erhält man, indem man zwei Teile backende Steinkohle und einen Teil Coaks mischt und in den betreffenden Formen von Eisenblech bei mäßigem Feuer glüht. Die so hergestellten Cylinder werden dann in ganz konzentrierte Zuckerlösung getaucht, getrocknet und nach dem Trocknen in einem mit Kohlenstücken gefüllten bedeckten feuerfesten Kasten der mehrstündigen Einwirkung einer starken Weißglühhitze ausgesetzt. Die so gefertigte Kohle ist vollkommen homogen, wenig porös, nicht im mindesten abfärbend, klingend und ganz fest. Sie leitet die Elektricität wie die Metalle, und ordnet sich in die Spannungsreihe, in welcher sie noch negativer ist als das Platin.

In den Bunsenschen Elementen steht die Kohle in einem Glase



(Fig. 123), in dem Kohlencylinder steht ebenso eine poröse Thonzelle und in dieser das amalgamierte Zink, entweder in der Form eines hohlen oder massiven Cylinders oder eines Zinkkreuzes. Das Glasgefäß wird mit konzentrierter Salpetersäure, die Thonzelle mit verdünnter Schwefelsäure gefüllt.

Um den Leitungsdraht mit der Kohle zu verbinden, wird um dieselbe ein Messing-oder Kupferring gelegt und mit einer Schraube s festgezogen; an diesem Ringe ist der Metallstreifen befestigt, an welchem die Klemme zur Aufnahme der Leitungsdrähte angebracht ist. Damit infolge der Kapillarität die Salpetersäure in der Kohle nicht zu hoch steige und so den um die Kohle gelegten Kupferstreifen angreife, wird der obere Teil der Kohle mit heißem Wachs getränkt. Die Leitungsfähigkeit der Kohle wird dadurch nicht merklich vermindert. Indes hindert auch dies auf die Dauer die Oxydierung des Kupfers nicht, weshalb es vorteilhaft ist, im Innern der

Ringe an das Kupfer ein Stück Platinblech anzulöten, welches von der Salpetersäure nicht angegriffen wird³).

In sehr ausgedehnter Weise wird zu den Bunsenschen Ketten jetzt die in den Steinkohlengasretorten abgesetzte Kohle verwandt, welche sehr kompakt und hart ist, deshalb besser leitet und in Form von Platten verwandt

Cooper, Philosophical Magazin vol. XVI. 1840. Doves Repert. Bd. VIII.
 nsen, Poggend. Ann. Bd. LIV u. LV.
 temann, Galvanismus. Bd. I, §. 281. 2. Aud.

rden kann. Bei den mit solcher Kohle hergestellten Elementen steht in n mit verdünnter Schwefelsäure passend gefüllten Glase der unten und en offene Zinkcylinder, im Innern desselben die mit konzentrierter Salpeterre gefüllte Thonzelle, in welcher sich die Kohle befindet. Um die Kohle die Leitung einzuführen, genügt es, oben in dieselbe ein kleines Loch abohren, in welches entweder ein mit einer Klemmschraube versehener pferzapfen eingesteckt oder welches mit Quecksilber gefüllt wird, in dann die Leitungsdrähte eingetaucht werden. Diese Art der Verbinng lässt die Kehle ebenso leicht in die Leitungen einfügen, wie irgend Metall, so dass die Bunsenschen Ketten in dieser Form ebenso beem sind wie die Groveschen.

Die Richtung des Stromes ist bei diesen Elementen dieselbe, wie bei Groveschen, d. h. der positive Strom geht von der negativen Kohle dem Zink durch den die beiden verbindenden Draht, wie sich schon aus ergiebt, dal's Zink gegen Kohle positiv, gegen die Schwefelsäure gativ ist.

Ein anderes Ersatzmittel für das Platin ist Eisen. Taucht man Eisen ganz konzentrierte Salpetersäure, so geht es in den sogenannten pasen Zustand über, es wird von der Salpetersäure nicht mehr angegriffen d durch den Kontakt mit der Salpetersäure sehr stark positiv elektrisch. kann daher die Stelle des Platin vertreten; indes muss dann immer für gesorgt werden, dass es von ganz konzentrierter Säure umgeben da verdünnte Salpetersäure das Eisen lebhaft angreift und durch Bebrung negativ elektrisch macht.

Um die störenden untersalpetersauren Dämpfe bei den Groveschen d Bunsenschen Elementen zu vermeiden, hat man an Stelle der Saltersäure andere oxydierende Flüssigkeiten, so besonders Chromsäure, oder Lösung von doppeltchromsaurem Kali mit Schwefelsäure anzuwenden sucht, die Resultate sind jedoch nicht befriedigend ausgefallen, wenigus ist die Salpetersäure dadurch nicht verdrängt worden 1).

Eine konstante Kette mit nur einer Flüssigkeit ist kürzlich fast dehzeitig von Pincus2) und Warren de la Rue und Hugo Müller3) konuiert worden. In einem Glascylinder wird unten ein kleines Gefäß dünnem Silberblech eingesetzt, von welchem der Leitungsdraht isoliert dem Glasgefäß herausgeführt ist. Das Silbergefäß wird mit Chlorser gefüllt und dann der Glascylinder mit verdünnter Schwefelsäure er Kochsalzlösung, in welche dann das Zink getaucht wird. Die Abeidung des Wasserstoffs am Silber wird hier durch das Chlorsilber hindert, welches durch den abgeschiedenen Wasserstoff reduziert wird. r Wasserstoff tritt mit dem Chlor zur Salzsäure zusammen, und das ber scheidet sich in Form eines feinen Pulvers aus. Die Wirkung des mentes ist demnach so lange konstant, als hinreichend Chlorsilber zur setzung vorhanden ist. Diese Kette wirkt in ähnlicher Weise wie die niellsche, indem statt des Wasserstoffs ein Metall abgeschieden wird,

¹⁾ Man sehe darüber Doves Repertorium. Bd. VIII, S. 19 und Wiedemann, vanismus. Bd. I, §. 284 2. Aufl.

2) Pincus, Poggend. Ann. Bd. CXXXV.

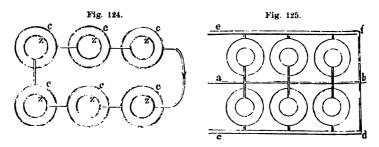
3) Warren de la Rue und H. Müller, Poggend. Ann. Bd. CXXXV.

sie hat vor der Daniellschen den Vorzug, dass das zu zersetzende Si in fester Form angewandt und deshalb die Konstanz der Kette nicht dem Mischung der Lösungen gestört werden kann. Sie ist indes viel toes als die Daniellsche Kette, ohne eine größere Kraft zu besitzen.

Bunsen wendet neuerdings in seiner Kette ebenfalls nur mehr eine Flüssigkeit an¹), nämlich Chromsäurelösung. Für eine Batterie von 40 B menten, deren Gläser je 2 Liter Inhalt haben, werden 6,182 kg doppel chromsaures Kali, 6,282 Liter Schwefelsäurehydrat und 60,47 Liter Wassemischt, und nachdem das Salz gelöst ist, die Flüssigkeit in die B mente verteilt. In der Flüssigkeit hängen Zink- und Kohlenplatten, weld in ähnlicher Weise wie bei der Wollastonschen Kette an einem Rahm befestigt sind, so daß man alle Platten gleichmäßig herausheben weinsenken kann. Indem der Wasserstoff durch die Chromsäure oxydik wird, sind die Ströme anfangs recht konstant. Da indes die Oxydati des Wasserstoffs nicht so vollständig ist als durch Salpetersäure, nim die Wirkung der Kette nach einiger Zeit ab. Es genügt dann aber, i Platten kurze Zeit aus der Flüssigkeit herauszuheben, um ihre früh Wirkung wieder zu erhalten.

Es bedarf wohl keiner besonderen Erwähnung, dass man die Danis schen, Groveschen und Bunsenschen Elemente ebenso zu Säulen zusammt stellen kann, wie die im vorigen Paragraphen betrachteten inkonstati Ketten. Um einen der Voltaschen Tassensäule ganz ähnlichen Apparat haben, verbindet man von einer Anzahl Elemente jedes vorhergehende Kupfoder Platin oder Kohle mit dem folgenden Zink. Fig. 124 stellt schematie eine solche Zusammenstellung dar. Es versteht sich nach dem Vorg von selbst, dass auch hier das letzte Kupfer oder Platin der positive, deltzte Zink der negative Pol ist, dass also in dem Leitungsdrahte des Strom vom Platin zum Zink geht, während in jedem Elemente der Stro von dem positiven Zink zu dem negativen Platin geht.

Ebenso kann man auch eine Anzahl Elemente zu einem dem Harech Kalorimotor ähnlichen Apparate zusammensetzen, also zu einem Element dessen Metalle eine große Oberfläche haben. Man verbindet dann al Zinke mit einander und ebenso alle Kupfer. Fig. 125 zeigt eine solch



Anordnung, die Zinke sind alle mit einem Metallstreifen verbunden, an dem mittleren Stabe ab eines Holzrahmens befestigt ist, die Ku oder Kohlen sind alle mit den an den äußeren Stäben cd und ef

¹⁾ Nach der Angabe Wiedemanns. Galvanismus Bd. I, §. 278 a. 2. An

Fig. 126.

0

tigten Metallstreifen verbunden, welche sich auf dem Querstabe df vernigen. Auf diese Weise sind alle Kupfer und alle Zinke mit einander metallischer Verbindung, die Zusammenstellung wird sich also verhalten is ein Element, dessen Oberfläche die sechsfache jedes einzelnen ist.

Wir haben die zuletzt beschriebenen Elemente konstante genannt, und der That sind sie, so lange die Kupfersalzlösung so konzentriert ist, daß merklich blau gefärbt und die Salpetersäure nicht zu verdünnt ist, inen bedeutenden Schwächungen unterworfen; kleinere Änderungen ihrer irksamkeit finden jedoch, wie wir später sehen werden, statt.

§. 78.

Das Ohmsche Gesetz. Wir haben bereits früher erwähnt, daß bei v Verbindung der beiden Pole einer Voltaschen Kombination in dem erbindungsdrahte, wie auch in dem Elemente selbst, ein elektrischer from entsteht, indem die positive Elektricität durch den Stromkreis nach er einen, die negative Elektricität nach der anderen Richtung sich beegt. Wir haben an jener Stelle auch bereits erwähnt, dass je nach der röße der in dem Stromkreise vorhandenen elektrischen Differenzen der trom eine verschiedene Stärke haben könne, indem wir sahen, dals je achdem verschiedene Mengen Elektricität durch den Leiter fließen können. ls die Stromstärke bezeichneten wir damals beiläufig die Menge Elekicitat, welche in gleichen Zeiten durch den Leiter fliefst. Wir wollen e jetzt genauer dahin definieren, dass die Stromstärke an einer bestimmten telle des Stromkreises gleich sein soll der Elektricitätsmenge, welche an ieser Stelle in der Zeiteinheit durch den Querschnitt des Leiters fliefst. s ist jetzt unsere Aufgabe, zu untersuchen, von welchen Umständen dieelbe abhängig ist. Es wird am besten sein, wenn wir dabei jenen Weg mschlagen, welcher zur Entdeckung der die Stärke des Stromes bestimenden Gesetze geführt hat, indem wir ähnlich wie der berühmte Entecker, nach welchem dieses oberste Gesetz des Galvanismus benannt ist, 8. Ohm, aus den Gesetzen der Elektricitätsleitung untersuchen, von

relchen Umständen die in dem Stromkreise in gleichen eiten cirkulierende Elektricitätsmenge abhängt¹). Der Yeg, welchen wir dabei einschlagen, ist der von Kirchhoff agegebene²).

Es sei gegeben ein Daniellsches Element, welches, wie
vorigen Paragraphen gezeigt wurde, wenigstens in kurzen
eiträumen einen konstanten Strom liefert. An dem Zink
esselben bei a (Fig. 126) sei ein kurzer dicker Kupferraht angelötet. Infolge der elektromotorischen Kräfte er-

Ilt dann der positive Pol c eine gewisse Menge positiver und der negative bl. b eine ebenso große Menge negativer Elektricität, seien diese Mengen, der vielmehr die an den Polen c und b vorhandenen Werte der elektrihen Potentialfunktion gleich + E.

Nun werden die Pole b und c durch einen Draht von der Länge l und m Querschnitte q mit einander verbunden; da nach dem vorigen Abschnitt

G. S. Ohm, Die galvanische Kette mathematisch bearbeitet. Berlin 1827.
 Kirchhoff, Poggend. Ann. Bd. LVIII.

stets, wenn ein Leiter mit einem elektrisierten Körper in Berührung kommt, die Elektricität auf den ersteren übergeht, so wird von beiden Polen Elektricität auf den Draht abfließen und auf der Oberfläche desselben sich ansam-Wären b und c nur einmal mit einer gewissen Elektricitätsmenge geladen, so würde dieser Übergang von Elektricität von b und c auf der Draht und so weiter so lange dauern, bis die Elektricität sich über alle verbundenen Leiter verteilt hätte, so dass der Wert des Potentials überall derselbe geworden wäre. Das ist aber nicht der Fall, sondern sobald von b und c Elektricität in den Draht abgeflossen ist, fliesst von den Berth rungsstellen $Zn \mid Cu$, $F \mid Zn$, $Cu \mid F$ durch die Flüssigkeiten wieder Elektricität zu den Polen, und von diesen, da der Potentialwert an denselben jedenfalls größer ist als auf dem Drahte, wieder Elektricität auf den Draht ab. Der Draht erhält also von c in jedem Augenblicke positive, von b aber negative Elektricität. Da jeder Abfluss von b und c su den Draht sofort wieder durch neuen Zufluss ersetzt wird, so folgt, dass nach einiger Zeit in dem ganzen Stromkreis ein stationärer Zustand eingetreten sein muss, in welchem die Potentialfunktion der freien Elektricität an jedem Punkte des Stromkreises einen ganz bestimmten Wert hat Nach Eintritt dieses Zustandes, das ergiebt sich zugleich schon, muß das Ende c des Drahtes bc einen positiven Wert der Potentialfunktion besitzen, den wir mit ε_1 bezeichnen wollen, der jedenfalls kleiner ist als Iund der von der Schnelligkeit abhängt, mit welcher einerseits die Elektricität über den Draht abfliesst, andererseits aus dem Element zu dem Pole hingelangt; die Schnelligkeit, wit welcher die Elektricität von cabfliesst, ist um so kleiner, diejenige, mit welcher die Elektricität zusliesst, ist um so größer, je kleiner der Wert von ε, ist. Der Wert von ε, muß demnach konstant werden, sobald die Schnelligkeit des Abflusses jener des Zuflusses gleich ist. Ebenso muß das Ende b des Drahtes nach derselben Zeit einen konstanten Wert & der Potentialfunktion erhalten, der von ε, verschieden und wenn b dem Pole des Elementes nahe liegt, negativ sein muss; in welcher Weise e, und e, mit den Werten der Potentialfunktion der Pole des nicht geschlossenen Elementes zusammenhängen wird nachher hervortreten. Von dem Augenblicke an, in welchem ϵ_1 und ϵ_2 konstant geworden sind, muß auch der stationäre Zustand auf den ganzen Drahte eingetreten sein.

Daraus folgt weiter, dass dieser stationäre Zustand kein Gleichge wichtszustand, dass die Elektricität in dem Stromkreise nicht in Ruh sein kann. Denn betrachten wir irgend einen Querschnitt des Drahte cb, so ist von dem aus gegen c gerechnet auf dem Drahte jedenfall freie positive, gegen b hin freie negative Elektricität vorhanden. Di an der einen Seite vorhandene freie positive Elektricität wird eine gwisse Menge der in dem betrachteten Querschnitte vorhandenen Elektricitäten scheiden, die positive nach b hin abstosen, die negative nach hin anziehen; dieser Abstosung und Anziehung wirkt die auf der andere Seite des Querschnittes vorhandene freie Elektricität nicht entgegen, swird vielmehr von derselben unterstützt, da die Elektricität dort negatist, und somit die negative Elektricität des Querschnittes nach c, die positive nach b hin treibt. Dasselbe gilt für alle Querschnitte, so dass al im Drahte eine stetige Bewegung der positiven Elektricität nach b, d

egativen nach c hin stattfindet. Da nun aber die elektrische Potentialunktion in c und b konstant bleibt, so folgt, dass in der Flüssigkeit eine letige Bewegung der Elektricitäten in entgegengesetzter Richtung, der

ositiven nach c, der negativen nach b hin stattfinden muß.

Daraus, daß in dem Stromkreise ein stationärer Zustand vorhanden ein muß, d. h. daß ebenso wie bei b und c auch an allen Punkten des anzen Systems die elektrische Potentialfunktion einen bestimmten und wähend der Dauer des Stromes konstanten Wert haben muß, folgt weiter, daß lurch jeden Querschnitt des Leiters in gleichen Zeiten gleiche Elektricilismengen hindurchfliefsen müssen, daß also in dem ganzen Stromkreise lie Stromstärke dieselbe sein muß.

Denn wäre das nicht der Fall, würde durch irgend einen Querchnitt eine größere Menge von Elektricität fließen, als durch einen enachbarten, so würde in dem zwischen beiden enthaltenen Teile des eiters eine Anhäufung von Elektricität, somit eine Dichtigkeitszunahme intreten, der stationäre Zustand und mit diesem die Konstanz des Stromes

äre gestört. .

Wie groß die Elektricitätsmenge ist, welche durch jeden Querschnitt ießt, das hängt von den Werten der elektrischen Potentialfunktion auf en verschiedenen Punkten des Leiters ab; kennen wir das Gesetz, nach olchem sich die Werte der Potentialfunktion im Leiter ändern, so eralten wir daraus sofort auch die Menge der in der Zeiteinheit durch den Querschnitt des Leiters fließenden Elektricitätsmenge.

Denn denken wir uns an irgend einer Stelle durch den Leiter eine liveaufläche gelegt, welche dem Potentialwerte V entspricht, und ist V die Änderung des Potentialwertes, wenn wir uns in der Richtung er Normalen der Niveaufläche um dN von derselben entfernen, so ist

unächst

 $\mp \frac{dV}{dN}$

ie Kraft, mit welcher die auf dem Leiter vorhandene Elektricität auf die änheit der in einem Punkte der Niveaufläche vorhandenen Elektricität mwirkt, worin das obere Zeichen für die positive, das untere für die egative Elektricität gilt. Sind beide Elektricitäten gleichzeitig vorhanen, so werden dieselben auseinandergetrieben, indem die eine nach der men, die andere nach der gerade entgegengesetzten Richtung getrieben vird. Wir machen nun die Annahme, dass die Geschwindigkeit, mit welher sich die Elektricität dieser Kraft folgend durch den Leiter bewegt, n jedem Augenblicke direkt der Größe dieser Kraft proportional ist, oder as dasselbe ist, daß die Bewegung der Elektricität eben nur so lange auert, als die Kraft wirksam ist. Diese Annahme fällt mit der Vorausetzung zusammen, dafs, wenn die Kraft eine Zeit hindurch konstant wirkt, Bewegung der Elektricität keine beschleunigte sein kann, daß sie dso in ihrer Bahn einen so großen Widerstand findet, daß sie keine besisbare Zeit nach dem Aufhören der wirksamen Kraft die ihr durch itselbe erteilte Geschwindigkeit beibehält. Sie bewegt sich demnach in em Leiter, wie ein Körper in einem widerstehenden Medium von im Veraltais zu der des Körpers sehr großer Dichtigkeit. Diese Annahme ist Ausdruck der Erfahrung, dass in der That sofort jede Bewegung der

Elektricität aufhört, wenn die treibende Kraft gleich null wird, wenn also die Potentialfunktion in dem Leiter konstant wird, denn wie wir im vorigen Abschnitt sahen, tritt dann sofort in den Leitern das elektrische Gleichgewicht ein.

Die Menge der in der Zeiteinheit durch ein Element dω der Nivenfläche hindurchfließenden Elektricität ist unter dieser Voraussetzung direkt der Geschwindigkeit, welche die Elektricität an der Stelle besitzt, proportional, wir können sie daher ausdrücken durch

$$e = \frac{1}{4} k \frac{dV}{dN} d\omega$$
 (1)

wenn k eine von der Natur des Leiters abhängige Konstante, nämlich die in der Zeiteinheit durch die Flächeneinheit der Niveaufläche hindurchtretende Elektricitätsmenge ist, wenn die bewegende Kraft der Einheit gleich ist.

In der Gleichung (I) bezieht sich nach der vorhin gemachten Bemerkung das obere Vorzeichen auf die positive, das untere auf die negtive Elektricität; die Gleichung giebt also sofort zu erkennen, das durch die Niveausläche gleichzeitig gleiche Mengen positiver Elektricität nach der einen, negativer Elektricität nach der entgegengesetzten Richtung sließen

Denken wir uns jetzt eine zweite, der ersten sehr nahe Niveaufläche, welche dem Potentialwert V' entspricht, und in derselben ein dem Elemente $d\omega$ entsprechendes Element $d\omega'$. Das entsprechende Element soll so bestimmt sein, dass wir durch alle Punkte der Begrenzung von de Linien so legen, dass sie alle zwischen den beiden betrachteten Niveauflächen liegenden Niveauflächen und diese selbst in normaler Richtung treffen. Das von diesen Linien aus der zweiten Niveaufläche vom Potentialwerte V' herausgeschnittene Element soll das Element $d\omega'$ sein. Die durch dieses Element in der Zeiteinheit fließende Elektricitätsmenge ist dann gerade wie bei der ersten

$$e' = \overline{+} k' \frac{dV'}{dN} d\omega'$$
 (Ia)

Nach Eintritt des stationären Zustandes muß durch die zweite Niveaufläche, soweit sie im Leiter befindlich ist, genau dieselbe Elektricitätsmenge hindurchfließen, wie durch die erste. Da aber eine Bewegung der Elektricität nur nach der Richtung der Normalen der Niveauflächen stattfindet, so verläßt die durch ein Element $d\omega$ in den Zwischenraum zwischen zwei Niveauflächen eintretende Elektricität diesen Zwischenraum nur durch das entsprechende Element $d\omega$ der zweiten Niveaufläche. Jener stationäre Zustand kann daher nur bestehen, wenn e=e', also

$$k \frac{dV}{d\bar{N}} d\omega = k' \frac{dV'}{d\bar{N}} d\omega' \quad . \quad . \quad . \quad . \quad . \quad (II)$$

oder wenn, im Falle es sich um einen homogenen Leiter handelt, für welchen k = k' ist,

Die Gleichung, welche der Ausdruck des stationären Zustandes ist, giebt uns die erste, und in einzelnen Füllen allein ausreichende Beziehung

r Bestimmung des Ganges des Potentialwertes. Sie beweist uns aber leichzeitig, dass-im Innern des Leiters überhaupt keine freie Elektricität orhanden ist, dass die einzige freie, die Bewegung bedingende Elektriität die auf der Oberfläche des Leiters vorhandene ist. Wir haben nämlich .7 allgemein den Satz aufgestellt und bewiesen, dass die in einem geebenen rings geschlossenen Volumen vorhandene Elektricitätsmenge gleich t der über die ganze Oberfläche ausgedehnten Summe der in jedem lemente der Oberfläche zu demselben senkrechten, nach außen gerichten Kräfte dividiert durch 4π . Wir erhalten demnach die Menge der eien Elektricität, welche in dem von den beiden Elementen $d\omega$ und $d\omega'$ 1d den die Grenzen derselben verbindenden Normalen umschlossenen olumen vorhanden ist, wenn wir die Kräfte bestimmen, welche auf die irschiedenen Elemente der Oberfläche dieses Volumens nach außen gechtet sind, und diese alle summieren. Zur Oberfläche senkrechte Kräfte irken aber überhaupt an diesem Raume nur auf die Elemente dw und w', da die übrige Begrenzung durch Linien gebildet ist, welche überall ormal zu den Niveauflächen sind, so dass also an alllen Punkten dieser egrenzung die Richtung der Kraft der Begrenzungsfläche selbst parallel ist.

Die auf das Element $d\omega$ wirkende gegen das zweite Element, also innen gerichtete Kraft ist nun, wie wir sahen,

$$\mp \frac{dV}{dN}d\omega$$
.

Die von der zweiten Niveaufläche fort, also nach außen gerichtete raft ist demnach von gleicher Größe, nur mit dem entgegengesetzten orzeichen versehen, also

$$\pm \frac{dV}{dN}d\omega$$
.

Die auf das zweite Element $d\omega'$ von der ersten Niveaufläche fort, lso nach aufsen wirkende Kraft ist

$$+\frac{dV'}{dN}d\omega'$$

Die Summe beider somit

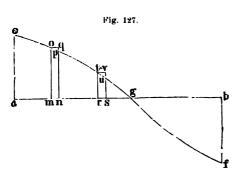
$$\pm \left(\frac{dV}{dN} d\omega - \frac{dV'}{dN} d\omega'\right)$$

Nach Gleichung (IIa) ist aber der Wert dieser Klammer gleich null, mit kann zwischen zwei entsprechenden Elementen zweier Niveauflüchen ad damit überhaupt in einem homogenen, von einem konstanten elektrichen Strome durchflossenen Leiter keine freie Elektricität vorhanden sein, der die gesamte freie Elektricität ist die auf der Oberfläche der Leiter ich elektrostatischen Gesetzen angeordnete Elektricität. Die von dieser sauf die neutrale im Innern des Leiters vorhandene Elektricität ausübte Wirkung ist, wie wir es schon vorhin allgemein ableiteten, die nibende Kraft des Stromes.

Wenden wir uns jetzt dazu, den Gang der Potentialwerte in einem romkreise näher zu untersuchen, um die Menge der strömenden Elektriät in ihrer Abhängigkeit von der Beschaffenheit des Stromkreises zu bemmen. Wir beschränken uns dabei auf lineare Stromkreise, das heißt

Stromkreise, deren Querschnitt überall derselbe und gegen die Länge nur ein geringer ist. Wir haben bei dieser Untersuchung nur den Strom der positiven Elektricität ins Auge zu fassen, da, wie schon oben gezeigt wurde, die Menge der nach der entgegengesetzten Richtung fliesenden negativen Elektricität jener genau gleich ist.

Wir denken uns einen linearen Stromkreis, der überall die gleiche Beschaffenheit hat, welcher in ab Fig. 127 als gerade Linie dargestellt ist,



(wäre er geschlossen, so würden a und b zusammenfallen), in welchem infolge einer elektromotorischen Kraft, bei der Berührung von a und b, die Elektricität in Bewegung gesetzt wird. Wir würden einen solchen z. B. erhalten, wenn wir eine kreisförmige, mit Flüssigkeit gefüllte Röhre an einer Stelle durch eine Zink-Kupferplatte so unterbrechen, daß die Flüssigkeit an der einen Seite mit dem Zink, an der anderen Seite

mit dem Kupfer in Berührung wäre.

Die Berührungsfläche zwischen Zink und Kupfer können wir dam als den Sitz der elektromotorischen Kraft ansehen, die positive Elektricität fließt vom Kupfer durch die Berührungsfläche zum Zink und durch die Flüssigkeit vom Zink zum Kupfer. Sei infolge der elektromotorischen Kräfte der Wert der Potentialfunktion an dem einen Ende a des Leiters, also etwa der am Zink anliegenden Flüssigkeitsschicht gleich ε_1 , an dem anderen Ende b gleich ε_2 .

Da wir einen überall ganz gleich beschaffenen Leiter voraussetzen, so muss nach Eintritt des stationären Zustandes der Wert der Potentialfunktion in einem zur Axe des Leiters senkrechten Querschnitt des Leiters tiberall derselbe sein, oder es mitssen diese durch den Leiter geführten Schnitte Niveauflächen sein. Die Werte der Potentialfunktion müssen sich aber von Querschnitt zu Querschnitt ändern, und indem man von a nach b fortschreitet, stetig von ε_1 in ε_2 übergehen. Denken wir uns den jedem Querschnitt des Leiters entsprechenden Wert der Potentialfunktion durch eine an der betreffenden Stelle errichtete Senkrechte, die positiven nach oben, die negativen nach unten dargestellt, und die Endpunkte dieser Senkrechten durch eine stetige Linie eg/ Fig. 127 verbunden, so werden uns die Ordinaten dieser Kurve an jeder Stelle den Wert der Potentialfunktion an der betreffenden Stelle geben. Da die Querschnitte des Leiters Niveanflächen sind, so fällt die Längsrichtung des Leiters mit den Normalen der Niveauflächen zusammen; wir können demnach in den Gleichungen (I) und (Ia) an Stelle der Elemente $d\omega$ und $d\omega'$ der Niveauflächen einfach den Querschnitt q des Leiters einsetzen; wir erhalten so für die durch einen von a um x entfernten Querschnitt m in der Zeiteinheit hindurchfliessende Menge der positiven Elektricität

$$e = -\frac{V}{dx} k q,$$

wenn wir den Potentialwert bei m mit V bezeichnen und, da die Richtung der Normale mit jener der x zusammenfällt, dN mit dx vertauschen.

Aus eben dem Grunde, weil in allen Querschnitten des Leiters die Richtung der Normalen mit der Längsrichtung x des Leiters zusammenfällt, bedeutet der Quotient $\frac{dV}{dx}$ die Neigung der die Potentialwerte darstellenden Kurve egf über dem betrachteten Querschnitte m. Denn dV ist die Zunahme des Wertes von V, welche bei einem Fortschreiten um dx in der Richtung von a nach b, also wenn n ein um dx von m entfernter Querschnitt ist, von m nach n stattfindet. Ist nun np gleich dem Werte von V bei n, so ist dV = np - mo = -pq und

$$\frac{dV}{dx} = -\frac{pq}{oq} = -\tan \alpha,$$

wenn wir mit α den Winkel $p \circ q$, also den Neigungswinkel der Kurve gegen die Abscissenaxe bei m bezeichnen.

Für die durch einen zweiten Querschnitt r des Leiters, bei welchem die Potentialfunktion den Wert V hat, in der Zeiteinheit hindurchfließende Elektricitätsmenge erhalten wir

$$e' = -\frac{dV'}{dx} \cdot kq,$$

worin gerade wie eben

$$\frac{dV'}{dx} = -\frac{uv}{vt} = -\tan \alpha',$$

Nach Eintritt des stationären Zustandes ist für alle Querschnitte

$$e = e', \ \frac{dV}{dx} = \frac{dV'}{dx'}, \ \tan \alpha = \tan \alpha'$$

oder es ist über allen Querschnitten des Leiters die Neigung der die Potentialwerte darstellenden Kurve eine gerade Linie, da nur eine gerade Linie an allen Stellen gegen eine andere Gerade dieselbe Neigung besitzt. Wir erhalten dieselbe, wenn wir die Endpunkte der die Potentialwerte hei a und b darstellenden Senkrechten durch eine Gerade verbinden.

Für den Wert V der Potentialfunktion an einer um x von a entiemten Stelle erhalten wir, da ε_1 der Wert der Potentialfunktion bei a, also für x = 0 ist,

$$V = \varepsilon_1 - \tan \alpha \cdot x$$

und den Wert von tang α in dieser Gleichung erhalten wir aus der Bedingung, daß wenn x gleich der Länge des Leiters ist, $V = \varepsilon_2$ wird. Bezeichnen wir die Länge des ganzen Leiters mit l, so ist

$$\varepsilon_2 = \varepsilon_1 - \tan \alpha \cdot l$$

$$\tan \alpha = \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{l}$$

und damit schliesslich

$$V = \varepsilon_1 - \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{l} x.$$

Es folgt somit, dass die Abnahme der Potentialfunktion der Elekbicität, oder wie es Ohm nennt, das Gefälle der Elektricität in einem Wellswa, Physik IV. 4 Aufl. homogenen Schließungsbogen der Differenz der Potentialwerte oder der elektrischen Differenz an den Polen direkt, dagegen der Länge des Bogens umgekehrt proportional ist. Die Potentialfunktionen nehmen in einer arithmetischen Progression ab, wenn die auf dem Schließungsbogen gemessenen Abstände von dem positiven Pol in einer arithmetischen Progression zunehmen.

Ist im speciellen Falle, wie bei der von uns vorher gedachten Röhre, welche an einer Stelle durch eine dunne Doppelplatte von Zink und Kupfer unterbrochen ist,

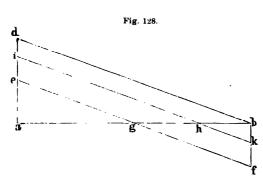
$$\varepsilon_2 = -\varepsilon_1 = -E,$$

so wird

$$V = E - \frac{2E}{l} x.$$

Setzen wir dann $x=\frac{1}{2}l$, so wird V=0; auf der dem positive Pole zugewandten Hälfte des Schließungsbogens hat also das Potential einen positiven Wert, welcher bis zu Null abnimmt, von da ab ist gegen den negativen Pol das Potential negativ, und das negative Potential wächst bis — E. Bringen wir mit irgend einem Punkte des Schließungbogens durch einen langen dünnen Draht einen Leiter in Verbindung, so muß nach §. 40 dieser Leiter denselben Potentialwert annehmen wie der abgeleitete Punkt; liegt der abgeleitete Punkt zwischen x=0 und $x=\frac{1}{2}l$, so muß demnach der Leiter positiv elektrisch werden, andern Stellen dagegen negativ. Die Thatsache, daß man durch Varbindung mit der ersten Hälfte des Leiters einen Körper positiv laden kann, spricht man häufig so aus, daß diese Hälfte des Leiters freie positive Elektricität besitze, während auf der andern Hälfte freie negative Elektricität sei.

Um das Gefälle zu bestimmen, bedarf es nur der Beobachtung zweier Potentiale V' und V'' an Punkten des Leiters, deren Abstände von dem positiven Pole respektive x' und x'' sind, denn man hat dann



$$V' = \varepsilon_1 - \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{l} x',$$

$$V'' = \varepsilon_1 - \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{l} x''$$
und daraus

$$\frac{V'-V''}{x''-x'}=\frac{\varepsilon_1-\varepsilon_2}{l}.$$

Wenn irgend ein Punkt des Schließungskreises, z. B. der Punkt h (Fig. 128) mit dem Erdboden in leitende Verbindung gebracht wird, so

muss der Wert der Potentialfunktion dort gleich null sein; nichts destoweniger bleibt, wie wir wissen, die elektrische Differenz der Pole und somit das Gefälle konstant; wir erhalten deshalb die Potentialkurve, wenn wir durch h die mit ef parallele ihk ziehen. Die Potentialfunktion an dem entfernteren Pole steigt also auf ai, an dem näheren nimmt sie ab f bk. 1st der Pol b selbst abgeleitet, so ist die Potentialfunktion dort eich null, und die durch b gelegte mit ef parallele db giebt uns die tentialkurve. An dem Pole a wird also die Potentialfunktion der Elekicität gleich $\varepsilon_1 + \varepsilon_2$, ein Satz, den wir schon bei Betrachtung der Voltahen Säule ableiteten.

Setzen wir den gefundenen Wert des Gefälles in den für die Elekicitätsmenge, welche einen Querschnitt des Leiters durchströmt, erhalnen Ausdruck ein, so wird

$$e = -kq \frac{dV}{dx} = kq \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{l} = \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{l + k \cdot q}$$

ergiebt sich also, dass die Stromstärke, oder die durch einen Quermitt des Leiters in der Zeiteinheit fließende Elektricitätsmenge der fferenz der Werte der elektrischen Potentialfunktion an den Enden des hließungskreises oder der elektromotorischen Kraft direkt proportional, dass sie dagegen der Länge des Leiters, dem reciproken Werte dessen ierschnittes und des Koefficienten k umgekehrt proportional ist. Den iotienten

$$\frac{l}{k\,q}=\,w,$$

eitengsbogen bezieht, nennt man den Widerand des Leiters, und erhält so das Ohmsche Gesetz in der einfachsten mm, die Stromstärke ist der elektromotorischen Kraft direkt, dem Widerande des Schließungskreises umgekehrt proportional. Der Widerstand sochließungskreises ist der Länge desselben direkt, dem Querschnitte in dem Koefficienten kumgekehrt proportional. Die Bedeutung des oefficienten kumgekehrt proportional. Die Bedeutung des Schließen Wilder kumgekehrt proportional. Die Bedeutung des Schließen Wilder kumgekehrt proportional. Die Bedeutung des Schließen kumgekehrt proportional. Die Bede

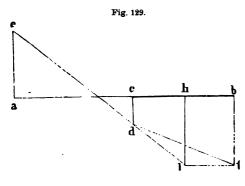
$$\frac{1}{k} = r$$

ennt man den specifischen Leitungswiderstand der Substanz. Führen ir diesen Wert ein, so ist der Widerstand eines Leiters seiner Länge, inem specifischen Widerstande direkt, seinem Querschnitte umgekehrt oportional.

Wir haben bisher den einfachsten Fall betrachtet, einen Schließungseis von gleichartiger Beschaffenheit, in welchem sich an einer einzigen elle eine elektromotorische Kraft befindet; wir gelangen in ganz ähnher Weise zu den Gesetzen der Stromstärke, wenn der Leiter aus veruiedenen Stücken besteht.

Sei zu dem Ende der Leiter ab (Fig. 129) aus zwei Stücken ac 1 cb zusammengesetzt, welche die Längen ac = l, cb = l', die Quer-

schnitte q und q', und die Leitungsfähigkeiten k und k' haben; zunächst befinde sich an der Grenze c noch keine elektromotorische Kraft, sonden auch jetzt sei nur bei der Berührung von a und b eine elektromotorische



Kraft thätig, welche dem Pole den Potentialwert ε_1 , dem Pole den Wert ε_2 erteile.

Für die Gefälle in diesen zusammengesetzten Leiter ergiekt sich zunächst folgendes. Da bei gleichem Gefälle die durch eines Querschnitt des Leiters strömende Elektricitätsmenge dem Querschnitte q und der Leitungfähigkeit k proportional ist, w muss, weil in dem konstantes Strom auch jetzt durch alle Querschnitte des zusammenge-

setzten Leiters in gleichen Zeiten gleiche Elektricitätsmengen hindurchfließen müssen, das Gefälle in den verschiedenen Teilen des Leiters verschieden sein. Bezeichnen wir nun die Differenz der Potentialwerte zweier um die Längeneinheit im ersten Leiter von einander entfernter Punkte mit δ , im zweiten mit δ' , so ist die durch den Querschnitt des ersten Leiters fließende Elektricitätsmenge

$$e = \delta k \dot{q},$$

die durch den Querschnitt des zweiten Leiters fliessende

$$e' = \delta' k' q'.$$

Diese beiden Mengen müssen gleich sein, es ist also

$$\delta kq = \delta' k' q'; \quad \frac{\delta}{\delta'} = \frac{k' q'}{kq}.$$

Da nun, wie sich aus dem Vorigen unmittelbar ergiebt, δ und δ' die Gefälle in diesen Teilen des Leiters sind, so folgt, daß die Gefälle in verschiedenen Teilen des Schließungsbogens den Leitungsfähigkeiten und Querschnitten dieser Teile umgekehrt proportional sind.

Die Gefälle werden also in diesem Falle durch die gebrochene Linie cdf (Fig. 129) dargestellt, die Neigungen ihrer einzelnen Teile verhalten sich umgekehrt wie die Produkte aus den Leitungsfähigkeiten in die Querschnitte der Leiter.

Bezeichnen wir den Wert des Potentials in dem Punkte c mit \mathfrak{f}_n so ist das Gefälle in dem Leiter cb, wie man unmittelbar sieht,

$$\frac{V_1-\varepsilon_2}{l'},$$

und die Stromstärke in demselben

$$k'q'\frac{V_1-\varepsilon_2}{l'}$$

Wir können uns den Draht cb durch einen anderen ch ersetzt denker

seen Querschnitt und Leitungsfähigkeit gleich q und k ist, dessen Länge = l'' durch die Gleichung bestimmt ist

$$\frac{l''}{kq} = \frac{l'}{k'q'}.$$

Die Stromstärke wird dadurch nicht geändert, aber das Gefälle wird nn, da wir jetzt einen homogenen Leiter haben, in allen Stellen daßelbe.

$$\frac{\varepsilon_1-\varepsilon_2}{l+l''}$$
.

Das Gefälle ist der elektrischen Differenz direkt, der auf gleichen ierschnitt und gleiche Leitungsfähigkeit reduzierten Gesamtlänge des iters umgekehrt proportional; in Fig. 129 ist es dargestellt durch die rade ei.

Die Potentialwerte an den einzelnen Stellen des Leiters lassen sich zt leicht bestimmen, auf einem um x von a entfernten Querschnitte s Leiters ist derselbe

$$V = \varepsilon_1 - \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{l + l''} \cdot x.$$

Wird x = l, so wird $V = V_1$, somit ist

$$V_1 = \varepsilon_1 - \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{l + l''} \cdot l.$$

Ist nun V_1 gegeben, so erhalten wir den Wert des Potentials V' einem Punkte des Leiters l', welcher um x' von c entfernt ist,

$$V' = V_1 - \frac{V_1 - \varepsilon_2}{l'} \cdot x'.$$

Aus dem für die auf gleichen Querschnitt und gleiche Leitungshigkeit reduzierte Länge berechneten Gefälle ergiebt sich für die Stromärke

$$e = kq \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{l + l''} = \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{\frac{l}{kq} + \frac{l'}{k'q'}},$$

der wenn wir die Widerstände

$$\frac{l}{kq} = w, \quad \frac{l'}{k'q'} = w'$$

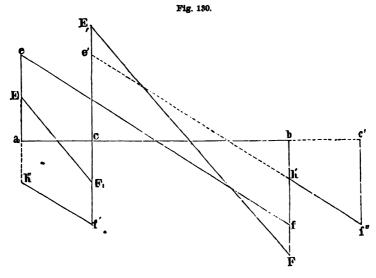
nnen,

$$e = \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{w + w'}.$$

Die Stromstärke ist also einfach der elektromotorischen Kraft direkt id der Summe der Widerstände umgekehrt proportional. Haben wir eine inze Reihe von Leitern, so ergiebt sich in ganz derselben Weise wie en, das der Nenner in dem Ausdrucke für die Stromstärke die Summe ler Widerstände wird.

Setzen wir jetzt voraus, das in dem Berührungspunkte c eine neue ktromotorische Kraft vorhanden sei, welche in gleichem Sinne wirkend eine erste, in den Berührungsflächen die Potentialfunktionen $\pm E_1$ vorriefe. Es sei (Fig. 130) ab wieder der durch seine reduzierte Länge

dargestellte Leiter; ae die elektrische Potentialfunktion in a, bf in b, und ef die Potentialkurve, wenn nur die elektrische Differenz $e_i - b$, vorhanden wäre; es sei ce' die Potentialfunktion $+ E_1$ in c. Denken wir



uns den Leiter jetzt von c aus als gerade Linie dargestellt, so wirde derselbe cc' sein, wenn bc' = ac. Ist dann c'f'' die Potentialfunktion — E_1 , so würde c'f'' die Potentialkurve darstellen, wenn nur diese elektromotorische Kraft vorhanden wäre. Um nun die sämtlichen Potentialwerte auf der Linie ab darstellen zu können, machen wir cf' = c'f'' und ziehen h''f' parallel zu e'f'', dann stellen die Linien e'h' und h''f' die Werte der Potentialfunktion auf dem Leiter infolge der elektromotorischen Kraft $2E_1$ dar.

Ist die reduzierte Länge des Leiters L, so ist die Potentialfunktion der Elektricität in einem Querschnitte, welcher um x von a entfernt ist, infolge der ersten elektromotorischen Kraft

$$V = \varepsilon_1 - \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{L} x.$$

Bezeichnen wir den Abstand des Punktes c von a mit d, so ist die Potentialfunktion in demselben Punkte infolge der zweiten elektromotorischen Kraft

$$V' = E_1 - \frac{2 E_1}{L} (x - d).$$

Es müssen sich nun in jedem Punkte die beiden Potentialwerte summieren, so dass also der resultierende Potentialwert in dem betreffenden Punkte ist

$$V + V' = E_1 + \varepsilon_1 - \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2 + 2E_1}{L} \cdot x + \frac{2E_1}{L} \cdot d.$$

Bestimmen wir so die Potentialwerte für jeden Querschnitt des Leiters, und verbinden die Endpunkte durch eine stetige Linie mit einander,

٠.

muß auch diese Linie eine gerade überall gegen ab gleich geneigte Linie sein, da die Ordinaten dieser Kurve erhalten werden, indem wir an jedem Punkte die Ordinaten zweier gerader Linien summiert haben. Die beiden Linien E_1F und EF_1 stellen, das erstere für das Stück bc, die zweite für das Stück ac, die Potentialwerte dar. Um die Neigung der Linie gegen ab zu bestimmen, haben wir nur die Potentialwerte zweier an derselben Seite von c liegender Punkte zu bestimmen, und die Differenz dieser Werte durch den Abstand der beiden Punkte zu dividieren. Wir haben so für den Potentialwert des Punktes x

$$U = V + V' = \varepsilon_1 + E_1 - \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2 + 2E_1}{L} \cdot x + \frac{2E_1}{L} \cdot d.$$

Für den Potentialwert des um x, von a entfernten Punktes haben wir

$$U_1 = V_1 + V_1' = \varepsilon_1 + E_1 - \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2 + 2E_1}{L} \cdot x_1 + \frac{2E_1}{L} \cdot d$$

somit

$$\frac{\mathit{U}-\mathit{U}_{1}}{\mathit{x}_{1}-\mathit{x}} = \frac{\mathit{\varepsilon}_{1}-\mathit{\varepsilon}_{9}+2\,\mathit{E}_{1}}{\mathit{L}}.$$

Das Gefälle oder die Abnahme der Potentialwerte ist also der Summe der elektromotorischen Kräfte direkt, und der reduzierten Länge des Leiters umgekehrt proportional.

Für die Stromstärke, oder für die Menge der in der Zeiteinheit durch den Querschnitt des Leiters fließenden Elektricität erhalten wir demnach

$$e = \frac{\epsilon_1 - \epsilon_2 + 2E_1}{\frac{L}{ka}},$$

so daß also die Stromstärke der Summe der elektromotorischen Kräfte direkt, dem Widerstande des Leiters umgekehrt proportional ist.

Ist in dem Stromkreise eine beliebige Anzahl elektromotorischer Kräfte und eine beliebige Anzahl von Leitern vorhanden, so erhalten wir für die Stromstärke

$$e = \frac{\Sigma E}{\Sigma w},$$

wenn ΣE die algebraische Summe aller elektromotorischen Kräfte, die einander entgegengesetzt gerichteten natürlich mit entgegengesetztem Vorzeichen versehen, und Σw die Summe aller Widerstände bedeutet.

Es ergiebt sich also aus dieser Untersuchung das allgemeine Gesetz, dass in einer galvanischen Kombination die Stromstärke der algebraischen Summe der elektromotorischen Kräfte direkt, derjenigen der hinter einander eingeschalteten Widerstände umgekehrt proportional ist.

Es ergiebt sich weiter hieraus, dass wir bei dem im Anfange dieses Paragraphen betrachteten Daniellschen Elemente zur Bestimmung der Stromstärke nicht die Potentialfunktionen ε_1 und ε_2 an den Enden b und c des Drahtes kennen müssen, dass wir direkt die elektromotorischen Kräfte, also die Potentialfunktionen der Pole bei nicht geschlossenem Strome einsetzen können, wenn wir als die Summe der Widerstände den des Schliessungsdrahtes und den der Flüssigkeiten des Elementes einsetzen. Würde man bei geschlossener Kette die Werte der Potentialfunktion in den Punk-

ten b und c beobachten, so hätte man zur Bestimmung der Stromstärke im Draht nur als Nenner unter die Differenz ε1 - ε2 den Widerstand des Drahtes bc zu setzen.

Wir haben bei der Ableitung des Ohmschen Gesetzes lineare Leiter vorausgesetzt. Dasselbe behält indes seine Gültigkeit auch, wie das Kirchhoff1) gezeigt hat, wenn man anders geformte Leiter anwendet. Zunlichst erkennt man leicht, dass auch dann, wenn der Querschnitt des Leiters groß ist, aber in den Endflächen desselben der Wert der Potentialfunktion überall derselbe ist, dass auch dann die zu den Endflächen parallelen Querschnitte des Leiters Niveauflächen sein werden, daß man also auf diese das Gesetz unmittelbar anwenden kann. Einen solchen Leiter erhält man z. B., wenn man einen parallelepipedischen Trog an irgend einer Stelle senkrecht zu seiner Längsaxe durch eine Membran in zwei Teile teilt, in den einen Teil eine Lösung von Zinkvitriol, in den andern eine solche von Kupfervitriol bringt, und nun in letzteres der Membran parallel eine Kupferplatte, in ersteres eine Zinkplatte taucht, und die beiden Platten durch einen Draht verbindet. In dem flüssigen Teil des Stromkreises haben dann Zink- und Kupferplatte bestimmte Potentialwerte, und die ihnen parallel durch die Flüssigkeit gelegten Flächen sind Niveauflächen. Für den flüssigen Teil des Leiters gelten also alle vorhin abgeleiteten Sätze über den Gang der Potentialfunktion sowie die daraus sich ergebenden Folgerungen.

Sind die Querschnitte des Leiters nicht konstant, oder ist der Wert der Potentialfunktion in einem und demselben Querschnitte nicht überall derselbe, wie z. B. wenn wir in einen linearen Stromkreis einen Körper von grösserem Querschnitte einschalten, in welchen der Strom nur an einem Punkte eintritt, an einem andern austritt, so ist der Gang der Potentialwerte schwieriger zu bestimmen, indes das Gesetz für die Stromstärke bleibt auch dann dasselbe, es ist immer die in der Zeiteinheit durch irgend einen Querschnitt des Leiters fließende Elektricitätsmenge gleich dem Quotienten aus der Summe der elektromotorischen Kräfte dividiert durch die Summe der Widerstände²).

§. 79.

Experimentelle Bestätigung des Ohmschen Gesetzes durch die Versuche von Kohlrausch. Die Ohmsche Theorie kann auf eine doppelte Weise experimentell geprüft werden; einmal, indem man die elektrischen Potentialwerte an den verschiedenen Punkten des Stromkreises und somit das Gefälle der Elektricität untersucht, dann aber, indem man durch die Wirkungen des Stromes das schliefsliche Resultat der Theorie, die Abhängigkeit der Stromstärke von der elektromotorischen Kraft und dem Widerstande einer Prüfung unterzieht.

Den ersten Weg, die Ohmsche Theorie zu bestätigen, schlug Kohlrausch ein. Schon früher indes, schon vor Ohm, war auf dem Schliefsungsbogen der Kette freie Elektricität nachgewiesen; der Erste, dem das gelang, war

Kirchhoff, Poggend. Ann. Bd. LXIV u. LXXV.
 Eine Zusammenstellung der Untersuchungen über die Stromverteilung in körperlichen Leitern sehe man Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. 1 S. 368 ff.

Ermann; er schloss1) eine aus vielen Plattenpaaren bestehende Säule mit einer mit Wasser gefüllten Röhre oder mit einer feuchten Hanfschnur von 0,6-1,5 m Länge. Die Röhre hatte mehrere nach oben gerichtete Öffnungen; wurde nun an einen durch die Öffnungen in das Wasser getauchten Draht oder direkt an die Hanfschnur der Knopf eines sehr empfindlichen Elektroskopes gelegt, so zeigte dasselbe in der Nähe des positiven Poles positive, in der Nähe des negativen Poles negative Elektricität; die Potentialfunktion derselben nahm mit dem Abstande des untersuchten Punktes von den Polen ab, so dass in der Mitte ein Indifferenzpunkt vorhanden war, in welchem die elektrische Potentialfunktion null war.

Auch Ohm selbst2) hat derartige Versuche mit demselben Resultate angestellt. Genauere Messungen, welche zu einer Bestimmung der elektrischen Potentialfunktion an den verschiedenen Punkten und des Gefälles der Elektricität hätten führen können, waren erst möglich, als Kohlrausch in seinem Torsionselektrometer und dem Kondensator die Mittel angegeben hatte, auch äußerst geringe Werte der elektrischen Potentialfunktion mit Genanigkeit zu messen.

Mit Hilfe dieser Apparate gelang es Kohlrausch, durch Messung der elektrischen Potentialwerte auf dem Schließungsbogen eines Daniellschen Elementes die Ohmsche Theorie auf das vollständigste zu bestätigen 3).

Zunächst untersuchte Kohlrausch die Veränderung der elektrischen Potentialwerte auf einem einfachen Leiter; als Schließungsbogen eines Daniellschen Elementes wurde ein sehr feiner langer, in Form eines Zickzacks, dessen einzelne Glieder gleiche Länge hatten, mit Stecknadeln auf einen leichten Holzrahmen befestigter Draht angewandt. Ein Punkt dieses Drahtes wurde zur Erde abgeleitet, indem er mit dem Drahte, welcher die Kondensatorplatte des Kondensators zur Erde ableitete, verbunden war. Die Kondensatorplatten waren von gleichem Metall. Wird ein anderer Punkt des Leiters mit der Kollektorplatte verbunden, so ladet sich dieselbe soweit mit Elektricität, dass der Wert der elektrischen Potentialfunktion auf der Kollektorplatte gleich jenem des abgeleiteten Querschnitts ist. Wird also immer derselhe Kondensator angewandt, so ist die Ladung dem Werte der elektrischen Potentialfunktion an den untersuchten Stellen proportional.

An dem einfachen Schliefsungsbogen fand Kohlrausch Folgendes.

1) Wird ein Punkt des Drahtes abgeleitet und ein anderer dem positiven Pole näherer, am Kondensator geprüft, so zeigt die Kollektorplatte positive Elektricität, lag der geprüfte Punkt dem negativen Pole näher, so war die Ladung negativ.

2) Lag dieselbe Drahtlänge zwischen dem abgeleiteten und dem gepraften Punkte, so war auch die Ladung am Kondensator dieselbe, wo auch im übrigen die beiden Punkte auf dem Drahte lagen; die Differenz der elektrischen Potentialfunktion zwischen zwei um dieselbe Strecke von chander entfernten Punkten des Schließungsbogens ist also auf dem ganzen Schliefsungsbogen konstant, oder auch das Gefälle ist überall dasselbe.

¹⁾ Ermann, Gilberts Annalen Bd. VIII u. X.

²⁾ Ohm, Poggend. Ann. Bd. VII. 3) Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. LXXVIII.

ten b und c beobachten, so hätte man zur Bestimmung der Stromstärke im Draht nur als Nenner unter die Differenz $\varepsilon_1 - \varepsilon_2$ den Widerstand des Drahtes bc zu setzen.

Wir haben bei der Ableitung des Ohmschen Gesetzes lineare Leiter vorausgesetzt. Dasselbe behält indes seine Gültigkeit auch, wie das Kirchhoff¹) gezeigt hat, wenn man anders geformte Leiter anwendet. Zunächst erkennt man leicht, dass auch dann, wenn der Querschnitt des Leiters groß ist, aber in den Endflächen desselben der Wert der Potentialfunktion überall derselbe ist, dass auch dann die zu den Endflächen parallelen Querschnitte des Leiters Niveauflächen sein werden, dass man also auf diese das Geseu unmittelbar anwenden kann. Einen solchen Leiter erhält man z. B., wem man einen parallelepipedischen Trog an irgend einer Stelle senkrecht a seiner Längsaxe durch eine Membran in zwei Teile teilt, in den einen Teil eine Lösung von Zinkvitriol, in den andern eine solche von Kupfervitriol bringt, und nun in letzteres der Membran parallel eine Kupferplatta in ersteres eine Zinkplatte taucht, und die beiden Platten durch einen Drast In dem flüssigen Teil des Stromkreises haben dann Zink- und Kupferplatte bestimmte Potentialwerte, und die ihnen parallel durch die Flüssigkeit gelegten Flächen sind Niveauflächen. Für den flüssigen Teil des Leiters gelten also alle vorhin abgeleiteten Sätze über den Gang der Potentialfunktion sowie die daraus sich ergebenden Folgerungen.

Sind die Querschnitte des Leiters nicht konstant, oder ist der Wett der Potentialfunktion in einem und demselben Querschnitte nicht überall derselbe, wie z. B. wenn wir in einen linearen Stromkreis einen Körper von grösserem Querschnitte einschalten, in welchen der Strom nur an einem Punkte eintritt, an einem andern austritt, so ist der Gang der Potentialwerte schwieriger zu bestimmen, indes das Gesetz für die Stromstärke bleibt auch dann dasselbe, es ist immer die in der Zeiteinheit durch irgend einen Querschnitt des Leiters fließende Elektricitätsmenge gleich dem Quotienten aus der Summe der elektromotorischen Kräfte dividiert durch die Summe der Widerstände²).

§. 79.

Experimentelle Bestätigung des Ohmschen Gesetzes durch die Versuche von Kohlrausch. Die Ohmsche Theorie kann auf eine doppelte Weise experimentell geprüft werden; einmal, indem man die elektrischen Potentialwerte an den verschiedenen Punkten des Stromkreises und somit das Gefülle der Elektricität untersucht, dann aber, indem man durch die Wirkungen des Stromes das schließliche Resultat der Theorie, die Abhängigkeit der Stromstärke von der elektromotorischen Kraft und dem Widerstande einer Prüfung unterzieht.

Den ersten Weg, die Ohmsche Theorie zu bestätigen, schlug Kohlrausch ein. Schon früher indes, schon vor Ohm, war auf dem Schließungsbogen der Kette freie Elektricität nachgewiesen; der Erste, dem das gelang, war

Kirchhoff, Poggend. Ann. Bd. LXIV u. LXXV.
 Eine Zusammenstellung der Untersuchungen über die Stromverteilung in körperlichen Leitern sehe man Wiedemann, Elektricitätelehre Bd. I S. 368 f.

mann; er schlofs¹) eine aus vielen Plattenpaaren bestehende Säule mit er mit Wasser gefüllten Röhre oder mit einer feuchten Hanfschnur von 5-1,5 m Länge. Die Röhre hatte mehrere nach oben gerichtete Öffngen; wurde nun an einen durch die Öffnungen in das Wasser getauch-Draht oder direkt an die Hanfschnur der Knopf eines sehr empfindlichen ektroskopes gelegt, so zeigte dasselbe in der Nähe des positiven Poles sitive, in der Nähe des negativen Poles negative Elektricität; die Potenlfunktion derselben nahm mit dem Abstande des untersuchten Punktes n den Polen ab, so dass in der Mitte ein Indifferenzpunkt vorhanden r, in welchem die elektrische Potentialfunktion null war.

Auch Ohm selbst2) hat derartige Versuche mit demselben Resultate gestellt. Genauere Messungen, welche zu einer Bestimmung der elekschen Potentialfunktion an den verschiedenen Punkten und des Gefälles Elektricität hätten führen können, waren erst möglich, als Kohlrausch seinem Torsionselektrometer und dem Kondensator die Mittel angegeben tte, auch äußerst geringe Werte der elektrischen Potentialfunktion mit

manigkeit zu messen.

Mit Hilfe dieser Apparate gelang es Kohlrausch, durch Messung der ektrischen Potentialwerte auf dem Schliefsungsbogen eines Daniellschen lementes die Ohmsche Theorie auf das vollständigste zu bestätigen 3).

Zunächst untersuchte Kohlrausch die Veränderung der elektrischen otentialwerte auf einem einfachen Leiter; als Schließungsbogen eines uniellschen Elementes wurde ein sehr feiner langer, in Form eines Zickicks, dessen einzelne Glieder gleiche Länge hatten, mit Stecknadeln auf men leichten Holzrahmen befestigter Draht angewandt. Ein Punkt dieses rahtes wurde zur Erde abgeleitet, indem er mit dem Drahte, welcher die omlensatorplatte des Kondensators zur Erde ableitete, verbunden war. lie Kondensatorplatten waren von gleichem Metall. Wird ein anderer mkt des Leiters mit der Kollektorplatte verbunden, so ladet sich dieelbe soweit mit Elektricität, daß der Wert der elektrischen Potentialunktion auf der Kollektorplatte gleich jenem des abgeleiteten Querschnitts st. Wird also immer derselhe Kondensator angewandt, so ist die Ladung em Werte der elektrischen Potentialfunktion an den untersuchten Stellen roportional.

An dem einfachen Schliefsungsbogen fand Kohlrausch Folgendes.

1) Wird ein Punkt des Drahtes abgeleitet und ein anderer dem posiwen Pole näherer, am Kondensator geprüft, so zeigt die Kollektorplatte Ositive Elektricität, lag der geprüfte Punkt dem negativen Pole näher,

war die Ladung negativ.

2) Lag dieselbe Drahtlänge zwischen dem abgeleiteten und dem geruften Punkte, so war auch die Ladung am Kondensator dieselbe, wo uch im übrigen die beiden Punkte auf dem Drahte lagen; die Differenz er elektrischen Potentialfunktion zwischen zwei um dieselbe Strecke von nander entfernten Punkten des Schließungsbogens ist also auf dem ganzen chliefsungsbogen konstant, oder auch das Gefälle ist überall dasselbe.

¹⁾ Ermann, Gilberts Annalen Bd. VIII u. X. 2) Ohm, Poggend. Ann. Bd. VII. 3) Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. LXXVIII.

$$Zn \mid Cu + F \mid Zn + Cu \mid F_1 + Zn \mid Cu = 12,96$$

 $Zn \mid Cu = 4,17,$

somit die elektromotorische Kraft der Daniellschen Kette

$$a = Zn \mid Cu + F \mid Zn + Cu \mid F_1 = 8,79.$$

Es wurde nach einer später anzugebenden Methode der ganze Stromkreis in allen seinen Teilen durch auf gleichen Querschnitt und gleiche Leitungsfähigkeit reduzierte Längen ausgedrückt. Das Zickzack, welches eine Länge von 172,77 hatte, fand sich so gleich der reduzierten Länge 474; die Lösung von Kupfervitriol, deren Länge gleich 9 war, wurde 540, und die Lösung von Zinkvitriol, deren Länge gleich 1 war, wurde 1035.

Nun wurde die Kette geschlossen, das Quecksilbernüpfehen d durch einen Kupferdraht zur Erde abgeleitet und die elektrischen Potentialfunktionen an verschiedenen Punkten des Zickzacks und der Flüssigkeit am Kondensator geprüft, indem die zu untersuchenden Punkte durch einen Kupferdraht mit der Kollektorscheibe verbunden, und bei konstanter Elongation durch die Torsionen die Ladungen des Kondensators verglichen wurden.

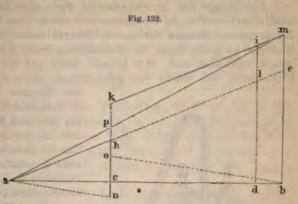
Auf diese Weise wurden folgende Resultate erhalten; die erste Kolumme enthält in reduzierten Längen die Abstände von dem abgeleiteten Punkte düber das Zickzack hin und dann weiter über die Flüssigkeit wieder gegen die hin zurück, die zweite die beobachteten, die dritte die nach der Theorie berechneten Werte der Potentialfunktion:

Abstände	Potential werte V		
λ	beobachtet	berechnet	
118,5	0,85	0,93	
237	1,85	1,86	
355,5	2,69	2,80	
474	3,70	3,73	
610,3	5,03	4,80	
745,3	5,99	5,86	
879	6,93	6,91	
1014	7,96	7,98.	

Um die Berechnung der Potentialwerte zu übersehen, denken wir uns Fig. 132 in ab den ganzen Stromkreis von dem Zink an in reduzierten Längen dargestellt, ac sei das Zickzack, cd der Kupfervitriol, db der Zinkvitriol, so daß b die Grenze zwischen dem Zinkvitriol und dem Zink darstellt. Es sei bm der an der Grenze des Zinks vorhandenen, von dem Kontakte des Zinks mit dem Kupfer und mit dem Zinkvitriol herrührenden elektrischen Differenz proportional; wäre nur diese elektromotorische Kraft in der Kette vorhanden, so würde am die Potentialkurve sein. Nun ist aber an der Grenze des Kupfers und Kupfervitriols ebenfalls eine elektromotorische Kraft vorhanden, welche das Kupfer negativ, die Flüssigkeit positiv macht; ist no dieser elektromotorischen Kraft proportional, so würden die Geraden na und ob die Potentialkurven vorstellen, wenn nur diese Kraft thätig wäre. Machen wir pk = oc, ph = cn, so werden

ah und km die wirklich auf dem Stromkreise vorhandenen Potentialwerte darstellen. In dem Zickzack wird also der Wert der Potentialfunktion von dem Punkte a, wo sie null ist, so zunehmen, als wenn die Summe

der elektromotorischen Kräfte in der Kette be = bm - hk einfach an der Grenze des Zinkvitriols vorhanden wäre, als wenn also ae die Potentialkurve wäre. An der Kupferplatte machen die elektrischen Potentialfunktionen einen Sprung; da indes die Werte derselben in dem Kupfervitriol dadurch untersucht wer-



den, dass man in dasselbe einen Kupferdraht eintaucht, so wird, da auch hier das Kupfer von der Flüssigkeit negativ erregt wird, der beobachtete Wert der Potentialfunktion nur derjenige sein, wie wenn die elektrische Differenz hk nicht vorhanden wäre, wie wenn also überhaupt in dem Schließungskreise nur die elektrische Differenz be vorhanden wäre.

Bezeichnen wir die reduzierte Länge des Schließungskreises mit l, die Abstände der untersuchten Punkte von dem abgeleiteten a mit λ , so ist der Wert der Potentialfunktion

$$V = \frac{a}{l} \cdot \lambda = \frac{8,79}{1117,5} \cdot \lambda$$

Die Tabelle zeigt, wie genau die beobachteten mit den so berechneten Werten der Potentialfunktion übereinstimmen, so daß also in diesen Versuchen die vollste Bestätigung des Ohmschen Gesetzes gegeben ist.

§. 80.

Experimentelle Bestätigung des Ohmschen Gesetzes durch Messung der Stromstärke. Sehr viel bequemer läfst sich die Richtigkeit des Ohmschen Gesetzes durch Beobachtung der Stromstärke nachweisen; seit Einführung der konstanten Ketten ist die Bestätigung des Ohmschen Gesetzes ein Kollegienversuch geworden. Die Übereinstimmung seiner Theorie mit der Erfahrung hat zuerst Ohm selbst nachgewiesen¹); er benutzte zu seinen Versuchen die später zu erwähnenden Thermoelemente. Die ausgedehntesten, in der verschiedensten Weise variierten Versuche, welche dem Ohmschen Gesetze die allgemeinste Anerkennung sicherten, führen von Fechner her²), deren Genauigkeit um so bewundernswürdiger ist, da Fechner nur inkonstante Ketten benutzen konnte, deren Veränderlichkeit leicht das Ohmsche Gesetz vollständig verdeckt. Mit Hilfe kon-

¹⁾ Ohm, Schweiggers Journal. Bd. XLVI. 1826. Bd. XLIX. 1827.

²⁾ Fechner, Massbestimmungen über die galvanische Kette. Leipzig 1831.

stanter Ketten hat dann viel später Pouillet¹) das Gesetz bestätigt und durch seine Versuche demselben die Anerkennung der französischen Physiker verschafft.

Die Menge der im Stromkreise fliesenden Elektricität können wir nicht direkt messen, da wir sahen, dass durch jeden Querschnitt in gleichen Zeiten gleiche Mengen der beiden Elektricitäten fliesen, somit in jedem Momente an jeder Stelle des Stromkreises beide Elektricitäten in gleicher Menge vorhanden sind. Wir müssen daher auf die Menge der fliesenden Elektricität, die Stärke des galvanischen Stromes, aus den Wirkungen



des Stromes schließen; vorzüglich sind es zwei Wirkungen, welche ma zur Messung derselben benutzt, nimlich die chemischen und magnetischen Um die chemischen Wirkungen zu benutzen, schaltet man in den Schliessungsbogen der Säule einen Wasserzersetzungsapparat ein, etwa den Apparat Fig. 133, eine Flasche mit weitem Hals, durch deren Korkpfropfes zwei Platindrähte a und b gehen, 22 welchen Platinbleche einander parallel in das die Flasche füllende schwach mit Schwefelsäure angesäuerte Wasser hinabhängen. Das Wasser wird dam in seine Bestandteile, Wasserstoff und Sauerstoff zerlegt. Um die entwickelten Gase aufzufangen, ist durch den Kork eine mehrfach gebogene Glasröhre geführt, deren anderes Ende unter einer mit Wasser oder Quecksilber gefüllten kalibrierten Glasglocke

mündet. Um die bei verschiedenen Versuchen in gleichen Zeiten erhaltenen Gasvolumina vergleichbar zu machen, reduziert man sie auf gleichen Druck und auf gleiche Temperatur.

Bezeichnen wir die elektromotorische Kraft des bei einem bestimmten Versuche gebrauchten galvanischen Stromes mit E, die Summe der Widerstände mit W, so erhalten wir für die Menge der in der Zeiteinheit durch jeden Querschnitt des Drahtes strömenden Elektricität

$$e = \frac{E}{w}$$
.

Befindet sich in dem Stromkreise eine Zersetzungszelle, so wird in der Seiteinheit durch die strömende Elektricität eine gewisse Quantität J Knallgas entwickelt; die Beobachtung ergiebt weiter, daß die Menge des entwickelten Knallgases der Dauer des Stromdurchganges direkt proportional ist. Da bei konstantem Stromdurchgange in gleichen Zeiten die gleiche Elektricitätsmenge den Stromkreis durchfließt, so folgt

¹⁾ Pouillet, Comptes Rendus T. IV. p. 267. Poggesd. Ann. Bd. XLII.

is dieser Beobachtung, dass die Menge des entwickelten Knallgases der enge der strömenden Elektricität proportional ist. Das Gleiche muß ich stattfinden, wenn in gleichen Zeiten verschiedene Elektricitätsmengen in Stromkreis durchsließen, oder es muß die in gleichen Zeiten den tromkreis durchsließende Elektricitätsmenge der Menge des entwickelten nallgases proportional sein. Ist J die in der Zeiteinheit entwickelten nallgasmenge, a eine Konstante, so muß daher und nach dem Ohmschen esetze

$$J = ae = \frac{aE}{W}$$

vin. Bezeichnen wir als Einheit der Stromstärke jene, welche in der eiteinheit die Volumeinheit Gas entwickelt, so ist J die Stromstärke in 1emischem Maße ausgedrückt. Dieses Maß wollen wir zunächst festalten, und die Stromstärke gleich setzen der Anzahl Kubikcentimeter nallgas bei 0° C. und 760 mm Druck, welche der Strom in einer Minute zeugen kann¹).

Setzen wir jene elektromotorische Kraft gleich der Einheit, welche einem Stromkreise, dessen Gesamtwiderstand der Einheit gleich ist, ie Einheit der Stromstärke erzeugt, so muß, wenn das Ohmsche Gesetz ehtig ist,

$$J = \frac{E_1}{W}$$

sin, wo E_1 die elektromotorische Kraft in der angegebenen Einheit, also 1 chemischem Maße bedeutet.

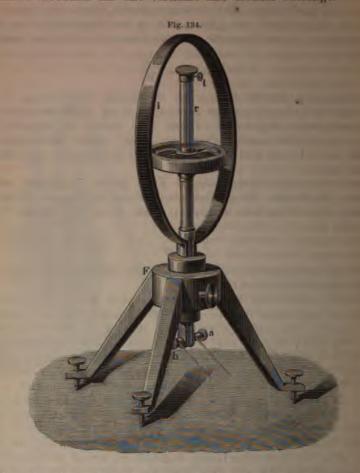
Um die Stromstärke durch ihre magnetischen Wirkungen zu messen, rendet man am besten die von Pouillet angegebene Tangentenbussole²) n. Dieselbe in der jetzt gewöhnlichsten, ihr von W. Weber gegebenen form (Fig. 134) besteht aus einem an einer Stelle aufgeschnittenen supferringe i von circa drei Decimeter Durchmesser, welcher vertikal uf einem Dreifus befestigt ist. Der Aufschnitt des Ringes befindet sich a dem Fusse, und die eine Seite steht mit der Klemmschraube a, die ndere mit b in Verbindung, so dass, wenn mit den Klemmschrauben)rähte verbunden werden, welche zu den Polen einer Kette führen, durch en Ring ein Strom kreist. Auf demselben Fusse ist eine vertikale Säule efestigt, welche oben eine Bussole trägt. Dieselbe besteht aus einer leinen, etwa drei Centimeter langen Magnetnadel, welche an einem Coconden befestigt ist, der von dem drehbaren Stifte t in der Glasröhre r erabhängt. Die Nadel ist an beiden Seiten durch einen feinen Messingraht oder Glasfaden verlängert, dessen Enden auf eine Kreisteilung igen, deren Mittelpunkt mit dem Mittelpunkte des Kupferringes zuunmenfallt. Die Kreisteilung befindet sich in einem Gehäuse, welches,

¹⁾ Im zweiten Kapitel des nächsten Abschnittes werden wir das jetzt allemein eingeführte absolute elektromagnetische Strommaß kennen lernen; in eug darauf sei hier schon bemerkt, daß die darauf basierte praktische Strominheit "das Ampère" ein Strom ist, der in der Minute 10,44 ccm Knallgas entickelt.

²⁾ Pouillet, Poggend. Ann. Bd. XLII. Die oben beschriebene ichen die Webersche. Poggend. Ann. Bd. LV.

um die Bewegung der Magnetnadel durch Luftströmungen zu verhinder mit einer Glasplatte bedeckt ist.

Die ganze Vorrichtung ist schliefslich in dem mit Stellschrauber versehenen Dreifusse um eine vertikale Axe drehbar befestigt.



Um den Apparat zu benutzen, stellt man ihn zunächst mit Hilfe der Stellschrauben an dem Dreifusse vertikal, und so, daß die Khem des Ringes derjenigen des magnetischen Meridianes parallel ist, was man daran erkennt, daß die Nadel der Ringebene parallel ist. Wir setzen voraus, daß die Nadel dann genau auf Null und 180° zeigt.

Verbindet man jetzt a und b mit den Polen einer Kette, so daß durch den Ring in dem einen oder anderen Sinne ein Strom kreist, so wird die Nadel nach der einen oder andern Seite aus dem Meridiane abgelenkt, woraus sich ergiebt, daß jetzt auf die Nadel ein Kräftepast wirkt, welches die Nadel senkrecht zur Ebene des Stromkreises, also senkrecht zur Ebene des Meridianes zu stellen sucht.

Bezeichnen wir diese abstossende Kraft mit i, so werden wir au-

nehmen dürfen, dass diese der in der Zeiteinheit durch jeden Querschnitt des Drahtes strömenden Elektricität e proportional ist, daß also

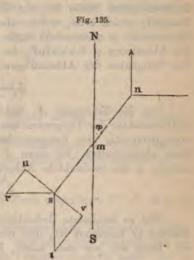
$$i = b \cdot e$$
,

da eben die durch den Draht strömende Elektricität es ist, welche die Ablenkung hervorruft. Die Konstante b wird abhängen von der Form des Apparates, insbesondere von dem Durchmesser des Ringes, von dem wir hier nur bemerken wollen, dass er wenigstens fünfmal so groß sein mus, als die Länge der Nadel.

Sobald die Nadel aus dem Meridiane abgelenkt ist, wirkt der Erdmagnetismus auf dieselbe ein und sucht sie zurückzuziehen, die Nadel wird deshalb so weit abgelenkt werden, bis das Drehungsmoment, welches der Strom ihr erteilt, gleich ist dem Drehungsmomente, welches der Erdmagnetismus hr erteilt, vorausgesetzt, dass wir die Torsion des Fadens vernachläßigen dürfen. Bilde die Nadel ns Fig. 135 mit der Meridianebene NS den Winkel \varphi. Die von dem Strome ausgeübte, zur Meridianrichtung senkrechte Kraft sei proportional sr, so wird, wenn uv zur Richtung der Nadel senkrecht ist,

 $su.ms = rs.\cos rsu.ms = i.\cos \varphi.ms$

das Drehungsmoment sein, welches der Strom der Nadel erteilt.



Ist st proportional der Kraft T, mit welcher der Erdmagnetismus die Nadel zurückzuziehen sucht, so ist

$$sv \cdot ms = st \cdot \sin stv \cdot ms = T \cdot \sin \varphi \cdot ms$$

das vom Erdmagnetismus der Nadel erteilte Drehungsmoment. Ist die Nadel im Gleichgewicht, so muss

$$i \cdot \cos \varphi = T \cdot \sin \varphi$$

sein, woraus folgt

$$i = T \cdot \tan \varphi$$
; $e = \frac{1}{h} \cdot T \cdot \tan \varphi$.

Ist in unserm Stromkreise die elektromotorische Kraft E, der Widerstand W, so mul's nach dem Ohmschen Gesetz

$$e = \frac{1}{b} \cdot T \cdot \operatorname{tang} \varphi = \frac{E}{W} \cdot$$

Die Messung der Stromstärke mit der Tangentenbussole ist derjenigen mit dem Voltameter in den meisten Fällen weit vorzuziehen, einmal weil he weit empfindlicher ist, dann aber auch ganz besonders, weil sie uns len Strom in jedem Augenblicke zu verfolgen gestattet, während die fessung mit dem Voltameter uns nur den Mittelwert der Stromstärke in WOLLNER, Physik. IV. 4. Aufl. 34

einem gewissen Zeitraume giebt. Das Instrument hat nur insofern jetzt für uns eine gewisse Unbequemlichkeit, als es uns die Stromstärke nicht sofort in einer leicht definierbaren Einheit giebt. Wir werden zwar in nächsten Abschnitt, wenn wir die Theorie des Instrumentes vervollständigen, sehen, wie wir mit demselben die Stromstärke in sogenanntem absolute Maße, wie das des Magnetismus, erhalten; für jetzt können wir diese Einheit aber noch nicht bestimmen. Nichts ist indessen leichter, als mit der Tangentenbussole die Stromstärke auch in chemischem Maße zu erhalten, man hat zu dem Ende nur aufzusuchen, welches die Stromstärke in chemischem Maße ist, die den Ablenkungswinkel hervorruft, dessen Tangente gleich 1 ist, welche also $\varphi = 45^{\circ}$ macht. Bezeichnen wir diese Stromstärke in chemischem Maße mit A, so ist die Stromstärke J, welche die Ablenkung φ hervorruft, in chemischem Maße, da die Stromstärke den Tangenten der Ablenkungswinkel proportional ist,

$$J = A$$
 . tang φ .

Um die Konstante A, welche man füglich mit Müller¹) den Reduktionsfaktor der Tangentenbussole nennen kann, zu bestimmen, hat mun nur gleichzeitig eine Tangentenbussole und ein Voltameter in den Stromkreis einzuschalten. Ist dann J die in der Zeiteinheit entwickelte Gumenge, φ die beobachtete Ablenkung, so ist

$$A = \frac{J}{\tan \varphi}.$$

Der so bestimmte Reduktionsfaktor gilt nur für das Instrument, für welches er bestimmt ist, und nur an dem Orte, an welchem er bestimmt ist. Denn wie wir oben sahen, ist

$$\tan \varphi = \frac{b \cdot e}{T}$$

der Ablenkungswinkel, hängt also ab von der Konstanten b des Instrumentes und der horizontalen Intensität T des Erdmagnetismus.

Um durch Messung der Stromstärke das Ohmsche Gesetz zu bestätigenkann man ganz einfach folgendermaßen verfahren. Man schließt ein Bunsensches Element mit der Tangentenbussole und beobachtet die Ablenkung φ_0 ; ist E die elektromotorische Kraft desselben, W der Widerstand, so ist in chemischem Maße

$$J_0 = A \operatorname{tang} \varphi_0 = \frac{E}{W}$$

Nun schaltet man einen Draht von der Länge l, dem Querschnitt l und dem specifischen Widerstande r ein, dann muß

$$J = A \tan \varphi = \frac{E}{W + \frac{rl}{q}}.$$

Darauf schaltet man einen zweiten und dritten u. s. w. Draht hinter

¹⁾ Müller, Lehrbuch der Physik, teilweis nach Pouillet bearbeitet. 5. Auß. Bd. II. § 79.

ander ein, so dass der Strom alle nach einander durchlaufen muss, deren ngen und Querschnitte l', q', l'', q'' u. s. w. sind. Man erhält dann

$$= A \tan \varphi' = \frac{E}{W + \frac{rl}{q} + \frac{rl'}{q'}}; \quad J'' = A \tan \varphi'' = \frac{E}{W + \frac{rl}{q} + \frac{rl'}{q'} + \frac{rl'}{q''}}$$

s. w. Man reduziert alle Drähte auf gleichen Querschnitt, und berecht aus je zweien der gefundenen Stromstärken den Widerstand W, ausdrückt in Längen des Drahtes vom Querschnitt q, und die so gefundenen erte für W müssen alle gleich sein. Die beiden ersten Beobachtungen ben z. B.

$$\frac{J_o}{J} = \frac{\tan \varphi_o}{\tan \varphi} = \frac{W + \frac{rl}{q}}{W}$$

$$W = \frac{Jrl}{q(J_o - J)}.$$

Dasselbe W muss die Kombination irgend zweier anderer Beobachngen geben.

In anderer Weise führen dieselben Beobachtungen zu einer Prüfung x Gesetzes, indem man mit dem aus den beiden ersten bestimmten w

$$E = WJ_0$$

estimmt, und mit diesem Werte von E dann diejenigen J', J'' u. s. w. erechnet.

Man bildet ferner eine Kette aus nBunsenschen Elementen, indem nan jedes Zink mit der folgenden Kohle verbindet, und schließet mit der langentenbussole. Da der Widerstand der Tangentenbussole gegen den in ler Flüssigkeit der Elemente verschwindend klein ist, so ist, da der Strom etzt nFlüssigkeiten durchlaufen muß, der Widerstand im Schließungstreise n· W geworden; da aber zugleich die elektromotorische Kraft die stache geworden ist, so muß

$$J^0 = \frac{nE}{nW} = J_0.$$

Schaltet man jetzt die Drähte $l, l' \ldots$ ein, so muß

$$J = \frac{nE}{nW + \frac{rl}{a}}, \quad J' = \frac{nE}{nW + \frac{rl}{a} + \frac{rl'}{a'}}$$

ein

Man verbindet dann bei den Elementen alle Kohlen mit einander und ulle Zinke; dadurch entsteht ein Element von n fachem Querschnitt, der Widerstand muß dann $\frac{1}{n}$ des früheren sein; beim Schließen mit der Tangentenbussole muß

$$J^{00} = \frac{E}{\frac{1}{n}W} = \frac{nE}{W} = nJ_0$$

sin, und nach Einschaltung der Drähte l, l' . . . muss

$$J = \frac{E}{\frac{1}{n}W + \frac{rl}{q}} = \frac{nE}{W + n\frac{rl}{q}}, \quad J' = \frac{nE}{W + n\left(\frac{rl}{q} + \frac{rl'}{q}\right)}$$

sein.

Mit einiger Vorsicht bei den Versuchen wird man alle von der Theorie geforderten Resultate in unzweideutiger Weise erhalten.

Nach der Ohmschen Theorie hängt die Stromstärke nicht allein von der Größe der elektromotorischen Kraft, sondern auch von der Größe der Widerstandes ab, und die soeben betrachteten Beispiele zeigen schon, das eine Vergrößerung der elektromotorischen Kraft durch Vermehrung der Elemente bei sonst gleich bleibendem Schließungskreise nicht immer eine Verstärkung des Stromes zur Folge hat, weil mit derselben zugleich der Widerstand der in den Elementen enthaltenen Flüssigkeiten, der sogenannte wesentliche Widerstand zunimmt.

Haben wir z. B. nElemente, deren Flüssigkeiten jede den Widerstand Wileistet, so wird die Stromstärke im Schließungskreise vom Widerstand wir bei Anwendung eines Elementes sein

$$J = \frac{E}{W + w}.$$

Schalten wir die Elemente hinter einander ein, so wird

$$J_n = \frac{nE}{nW+w}$$

Je nach dem Verhältnisse w zu W kann der Strom merklich stärker sein als J oder nicht. Ist w beträchtlich, so ist der Wert des Zählers in diesem Ausdrucke der n fache, der Nenner nicht, der Strom J_n ist also stärker als J und um so stärker, je größer w im Verhältnis zu W ist; wenn W nur ein verschwindender Bruchteil von w ist, dann ist die Stromstärke die n fache geworden; ist w aber klein gegen W, so ist der Strom kaum geändert. In dem Falle müßte man die Elemente alle neben einander, die Zinke mit den Zinken, die Kohlen mit den Kohlen verbinden. Da man dann ein Element von n fachem Querschnitte hat, so ist

$$J_n' = \frac{E}{\frac{1}{n}W + w} = \frac{nE}{W + nw}.$$

Wie man sieht, ist der Strom jetzt der nfache, wenn w nur ein ver schwindend kleiner Teil von W ist.

Es ergiebt sich demnach aus dem Ohmschen Gesetze, daß die Stromstärke abhängt von dem Verhältnis der Widerstände im Schliessungskreise zu dem wesentlichen Widerstande der Elemente. Es fragt sich daher, wie man eine gegebene Zahl von n Elementen bei einem gegebenen Widerstande w kombinieren muß, damit man den stärksten Strom erhält, welcher möglich ist 1).

Ist die elektromotorische Kraft eines Elementes gleich E, der Widerstand desselben gleich W, so würde, wenn alle Elemente hinter einander eingeschaltet würden, die Stromstärke sein:

¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LV.

$$J = \frac{nE}{nW + w}.$$

Wurde man nun aber je x Elemente neben einander verbinden, und $\Rightarrow \frac{n}{x}$ Elemente von x facher Oberfläche erhalten, so würe die elektromotoische Kraft jetzt $mE = \frac{n}{x} \cdot E$. Der Widerstand jedes Elementes wird $\frac{W}{x}$, und da jetzt $\frac{n}{x}$ solcher Elemente hinter einander verbunden sind, \Rightarrow ist die Stromstärke jetzt

$$J = \frac{\frac{n}{x} \cdot E}{\frac{n}{x^2}W + w}$$

Es ist nicht schwer, den Wert von x zu bestimmen, für welchen J in Maximum wird; sei derselbe x', und der Wert von J dann

$$J' = \frac{\frac{n}{x'} \cdot E}{\frac{n}{x'^2} \cdot W + w} = \frac{nx'}{nW + \frac{E}{x'^2}w}.$$

Für einen anderen Wert x'', der größer oder kleiner sein mag als z', ist die Stromstärke

$$J'' = \frac{nx'' E}{nW + x''^2 w}.$$

Die Differenz J' - J'' muß, wenn J' ein Maximum sein soll, immer **Positiv** sein; für diese Differenz erhalten wir

$$J' - J'' = nE \cdot \frac{nx'}{(nW + x'^2w)} \frac{w - nx''W - x''x'^2w}{(nW + x'^2w)(nW + x''^2w)}$$

$$J' - J'' = nE \cdot (x' - x'') \frac{nW - x' \cdot x''w}{(nW + x'^2w)(nW + x''^2w)}$$

Da in diesem Ausdrucke der Faktor x'-x'' das Zeichen ändert, $x'' \ge x'$ ist, so kann diese Differenz nur dann für jeden Wert von "positiv sein, wenn der andere mit x' und x'' behaftete Faktor zugleich ein Vorzeichen ändert; daraus folgt, daß er für x'=x'' gleich 0 sein auß. Wir erhalten also den dem Maximumwerte von J entsprechenden Vert von x aus der Gleichung

$$nW - x'^2 w = 0, \frac{n}{x'^2} W = w.$$

Die Stromstärke J erhält ihren größten Wert J', wenn der wesentiche Widerstand gleich dem des Schliessungsbogens ist. Man hat also, venn man den möglich stärksten Strom bei einer gegebenen Zahl von Elementen und gegebenem Schliessungskreise erhalten will, die Elemente so kombinieren, daß der wesentliche Widerstand gleich ist dem des ichliessungskreises. Die Zahl x der Elemente, welche man zu einem Elemente zusammensetzen muß, ist dann:

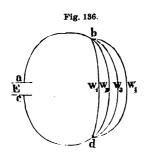
$$x=\sqrt{n\;\overline{\frac{W}{w}}},$$

also gleich der Quadratwurzel aus dem Verhältnis des wesentlichen Widestandes, wenn alle Elemente hinter einander eingeschaltet sind, zu dem Widerstande des Schliessungsbogens.

Auch dieser Satz kann leicht durch Versuche bestätigt werden, wie es von Poggendorff und anderen geschehen ist.

Stromverzweigung. Bei unseren bisherigen Untersuchungen habet wir immer angenommen, dass der Stromkreis einfach sei, das heist dass die Verbindung der beiden Pole durch eine einzige Schliessung gebildet würde, und dann in dieser die Stromstärke bestimmt. Es ist nun not der Fall zu untersuchen, dass der Stromkreis zum Teil aus mehreren Zweigen bestehe, und die Stromstärke in dem ungeteilten Stücke des Schliessungsbogens, sowie in den einzelnen Zweigen zu bestimmen.

Wir betrachten zunächst, um die Aufgabe zu übersehen, den einfachsten schon von Ohm untersuchten Fall.



Es sei Fig. 136 E ein galvanisches Element, dessen elektromotorische Kraft gleich E sei; der Stromkreis abdc, welcher die Pole verbindet, sei zwischen b und d verzweigt, so daß die Verbindung der Punkte b und d durch n Drähte (in der Fig. 4) hergestellt sei.

Der Widerstand des unverzweigten Teiles des Bogens bacd sei gleich W.

Die Länge, der specifische Widerstand und Querschnitt der einzelnen Drähte sei $l_1 r_1 q_1, l_2 r_2 q_2, \ldots l_n r_n q_n$, so daß die Widerstände derselben sind

$$w_1 = \frac{l_1 r_1}{q_1}, \ w_2 = \frac{l_2 r_2}{q_2} \cdots w_n = \frac{l_n r_n}{q_n};$$

es soll die Stromstärke J in dem unverzweigten Teile und in den einzelnen Zweigen des Schliessungsbogens bestimmt werden.

Um dahin zu gelangen, denken wir uns die Drähte der Zweige sämblich durch andere ersetzt, deren Länge für alle dieselbe und gleich l, deren specifischer Leitungswiderstand für alle ebenfalls derselbe und gleich r ist, deren Querschnitte s aber so gewählt sind, daß die Widerstände der einzusetzenden Drähte gleich sind den Widerständen der Drähte, welche sie ersetzen sollen. Ist demnach s_1 der Querschnitt des Drahtes, welcher des Draht w_1 ersetzt, so soll

$$\frac{l\,r}{s_1}=w_1=\frac{l_1\,r_1}{q_1},$$

demnach

$$s_1 = \frac{l r q}{l_1 r_1} = \frac{l r}{w_1}$$

sein, so daß also die Querschnitte dieser Drähte dem Widerstande, welches sie dem Strome leisten sollen, umgekehrt proportional sind.

Die sämtlichen, die Verbindung von b nach d vermittelnden Drähte erden jetzt dem Strome einen ebensolchen Widerstand leisten, als bende sich zwischen b und d ein Draht, dessen Länge gleich l, dessen ecifischer Leitungswiderstand gleich r, und dessen Querschnitt Q gleich r Summe aller Querschnitte $s_1 + \cdots s_n$ wäre. Der Widerstand eines lehen Drahtes würde gleich

$$\frac{r\,l}{Q} = \frac{r\,l}{s_1 + s_2 + \cdots s_n}$$

in.

Der Widerstand, welchen dann der gesamte Schliessungsbogen leistet,

$$W+\frac{r\,l}{s_1+\frac{r\,l}{s_2+\cdots s_n}},$$

s Stromstärke in dem ungeteilten Stücke des Schliessungsbogens demch

$$J = \frac{E}{W + \frac{r \, l}{s_1 + s_2 + \cdots s_n}}.$$

Setzen wir nun für s_1 ... die oben bestimmten Werte ein, so wird

$$J = \frac{E}{W + \frac{rl}{w_1} + \frac{rl}{w_2} + \cdots \frac{rl}{w_n}} = \frac{E}{W + \frac{1}{\frac{1}{w_1} + \frac{1}{w_2} + \cdots \frac{1}{w_n}}}$$

$$J = \frac{E}{W + \frac{w_1 w_2 w_3 \cdots w_n}{w_2 w_3 \cdots w_n + w_1 w_2 \cdots w_n + \cdots w_1 w_2 \cdots w_{n-1}}}$$

Nehmen wir jetzt der Einfachheit wegen n = 4 an, so wird

$$J = \frac{E(w_2 w_3 w_4 + w_1 w_3 w_4 + w_1 w_2 w_4 + w_1 w_2 w_8)}{W(w_2 w_3 w_4 + w_1 w_3 w_4 + w_1 w_2 w_4 + w_1 w_2 w_3) + w_1 w_2 w_3 w_4}$$

Die Stromstärke in den einzelnen Zweigen erhalten wir jetzt durch nwendung folgender zwei Sätze: Erstens muß die Summe der in allen weigschliessungen vorhandenen Stromstärken gleich sein der Stromstärke dem ungeteilten Bogen. Es folgt das aus dem Satze, daß die Stromärke in allen Querschnitten eines Leiters dieselbe sein muß, und daraus, is wir alle Zweige durch einen Draht von der Länge l und dem Querhnitte $Q = s_1 + s_2 \cdots$ ersetzt denken können.

Zweitens muss die Stromstärke in jedem Zweige dem Widerstande ses Zweiges umgekehrt proportional sein. In den die vorhandenen reige ersetzenden Drähten gleicher Länge und gleichen specifischen Widerndes wird sich der Strom nämlich so verteilen, dass durch jeden ein n Querschnitte desselben proportionaler Teil geht. Da nun die Quernitte dieser Drähte den Widerständen in den einzelnen Zweigen umgenrt proportional sind, und da die Stromstärke in den einzelnen Zweigen nan gleich derjenigen in den sie ersetzenden Drähten sein muss, so folgt, is die Stromstärke in jedem Zweigdrahte dem Widerstande desselben umrehrt proportional sein muss.

Sind demnach i_1 i_2 . . . die Stromstärken in den einzelnen Drähten, so ist

$$i_1 + i_2 + \cdots + i_n = J$$

 $i_1 : i_2 : \cdots : i_n = \frac{1}{w_1} : \frac{1}{w_2} : \cdots : \frac{1}{w_n}$

Es ist demnach auch weiter

$$\begin{split} i_{n}:J &= \frac{w_{1}w_{2}w_{3}\cdots w_{n}}{w_{2}w_{3}\cdots w_{n}+w_{1}w_{3}\cdots w_{n}+\cdots w_{1}w_{2}\cdots w_{n-1}}:w_{n}\\ i_{n} &= \frac{J\cdot w_{1}w_{2}w\cdots w_{n-1}}{w_{2}w_{3}\cdots w_{n}+w_{1}w_{3}\cdots w_{n}+\cdots w_{1}w_{2}\cdots w_{n-1}}. \end{split}$$

Bei 4 Zweigen wird demnach z. B.

$$\begin{split} i_4 &= \frac{E \cdot w_1 w_2 w_3}{W \cdot (w_2 \cdot w_3 \cdot w_4 + w_1 \cdot w_3 \cdot w_4 + w_1 \cdot w_2 \cdot w_3) + w_1 \cdot w_2 \cdot w_3 \cdot w_4} \\ i_3 &= \frac{E \cdot w_1 \cdot w_2 \cdot w_4}{W \cdot (w_2 \cdot w_3 \cdot w_4 + w_1 \cdot w_3 \cdot w_4 + w_1 \cdot w_2 \cdot w_3) + w_1 \cdot w_2 \cdot w_3 \cdot w_4} \end{split}$$

so dass also die einzelnen Glieder in dem Ausdrucke für J die Stromstärken der einzelnen Zweige geben und zwar jedes Glied die Stromstärke desjenigen Zweiges, dessen Widerstand im Zähler fehlt.

Ohm¹) hat durch Versuche die Richtigkeit dieser Formeln dargethan und darin eine neue Bestätigung für die Theorie geliefert.

Unter Anwendung derselben Principien lassen sich die Stromstärken bestimmen, wenn die Zweige anders geordnet sind, nicht alle in einem Punkte zusammentreffen, oder in den Zweigen selbst elektromotorische Kräfte vorhanden sind. Verschiedene Probleme dieser Art sind besonders von Poggendorff²) und Lenz³) behandelt worden.

Alle diese Fälle lassen sich leicht mit Hilfe zweier Sätze von Kirchhoff⁴) ableiten, welcher in denselben das Problem der Stromverzweigung ganz allgemein gelöst hat. Die beiden Sätze sind:

1) Hat man eine Anzahl sich in einem Punkte c kreuzender Ströme a, a_1 , a_2 , b, b_1 , b_2 Fig. 137, so muß die algebraische Summe aller Stromstärken, die zu dem Punkte hinströmenden mit entgegengesetztem Vorzeichen als die von demselben fortströmenden genommen, gleich 0 sein. Bezeichnen wir also die Stromstärken mit Ja Ja_1 Ja_2 Jb Jb_1 . . ., so muß $Ja + Ja_1 + Ja_2 + Jb + Jb_1 + Jb_2 = \Sigma J = 0$ sein. Der Satfolgt unmittelbar daraus, daß, wenn das nicht der Fall wäre, im Punkter eine Anhäufung der Elektricität stattfände, somit die Ströme in ihrem Verlaufe gestört würden.

Diesen Satz hatten wir in dem soeben von uns betrachteten Falle unter der Form:

¹⁾ Ohm, Die galvanische Kette S. 70. Schweiggers Journal Bd. XLIX. Jahrg. 1827.

²⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LIV, LV, LXVII. Letztere Mitteilung enthält eine von W. Weber gegebene Lösung des Problems der Stromverzweigung.

zweigung.
3) Lenz, Bulletin phys. math. de l'Acad. de St. Petersbourg. T. III. Doves Repertorium. Bd. VIII.

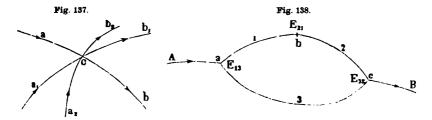
⁴⁾ Kirchhoff, Poggend. Ann. Bd. LXIV, LXXII, LXXV.

$$J=i_1+i_1+\cdots i_n,$$

welcher in der Kirchhoffschen Form heißt: die Summe der nach und von lem Punkte b oder d gehenden Ströme, die fortgehenden mit dem negativen Vorzeichen versehen, muß gleich O sein.

2) Der zweite Satz bezieht sich auf Ströme; welche einen geschlossenen Kreis bilden. Bilden die Drähte $1, 2 \dots n$ einen geschlossenen Kreis, und ist die Stromstärke in denselben resp. $J_1 J_2 \dots J_n$, der Widerstand der Drähte resp. $w_1 w_2 \dots w_n$, so muß die Summe der Produkte $J_1 w_1 + J_2 w_2 + \cdots J_n w_n$ gleich sein der Summe der in dem Kreise hätigen elektromotorischen Kräfte. Dabei sind die bei dem Durchschreiten 1es Kreises nach einer Richtung entgegengesetzt gerichteten Ströme und entgegengesetzt gerichteten elektromotorischen Kräfte mit entgegengesetztem Vorzeichen zu nehmen.

Dieser Satz ergiebt sich folgendermaßen. Es befinde sich z. B. in einem Stromkreis AB (Fig. 138) ein ringsgeschlossener Zweig der Drähte



1, 2, 3, und an den Grenzen, wo die Drähte zusammenstoßen, seien elektromotorische Kräfte E_{12} , E_{23} , E_{31} vorhanden. Nun sei der Wert des elektrischen Potentials an den Grenzen des Drahtes 1 bei a gleich E_1 und bei b gleich c_1 , an den Grenzen des Drahtes 2 bei b und c gleich E_2 und c_2 , an denen des Drahtes 3 bei c und a gleich E_3 und c_3 .

Die Stromstärken in diesen drei Drähten sind dann

$$J_1 = \frac{E_1 - e_1}{w_1}; \quad J_2 = \frac{E_2 - e_2}{w_2}; \quad J_3 = \frac{E_3 - e_3}{w_3}.$$

Daraus folgt, indem wir jede Stromstärke mit dem zugehörigen Widerstand multiplizieren und summieren,

$$J_1 w_1 + J_2 w_2 + J_3 w_3 = E_1 - c_1 + E_2 - c_2 + E_3 - c_3$$

Nun ist, welches auch sonst der elektrische Zustand des Kreises sein \max ,

$$E_1 - c_3 = E_{13}; \quad E_2 - c_1 = E_{21}; \quad E_3 - c_2 = E_{32},$$

da unter allen Umständen die Differenzen der Potentialwerte an den Berührungsstellen zweier heterogener Leiter dieselben, und zwar die von uns sogenannten elektromotorischen Kräfte sind.

Demnach ist, wenn wir die Summe der in dem Stromkreise vorhandenen elektromotorischen Kräfte mit ΣE , die Summe der Produkte Jw mit ΣJw bezeichnen, in einem geschlossenen Kreise

$$\Sigma Jw = \Sigma E$$

Wäre in dem eben betrachteten Falle in dem Kreise keine elektromotorische Kraft thätig, so müßten die Stromstärken J_1 und J_2 in dea beiden nach einander eingeschalteten Drähten gleich sein, sei sie J, und der Kirchhoffsche Satz würde dann

$$J(w_1 + w_2) + J_3 w_3 = 0$$

$$J(w_1 + w_2) = -J_3 w_3.$$

Die Stromstärken in den beiden Zweigen müßten sich umgekehrt verhalten wie die Widerstände, und beide Ströme müßten von a nach e gerichtet sein.

Wäre der Zweig 1, 2, 3 ein für sich bestehender Stromkreis, so müßte nach dem Ohmschen Gesetze die Stromstärke in allen drei Zweigen dieselbe sein; sei sie J. Nach Kirchhoff ist dann

$$J(w_1 + w_2 + w_3) = \Sigma E$$

$$J = \frac{\Sigma E}{w_1 + w_2 + w_3}$$

die einfache Form des Ohmschen Gesetzes.

Mit Hilfe der beiden Kirchhoffschen Sätze ist es nicht schwierig, die Stromstärken in Zweigströmen, selbst in verwickel-

a b W

ten Fällen zu bestimmen. Wir wollen dieselben nur zur Behandlung zweier Probleme benutzen, welche wir im Folgenden anwenden werden.

Es sei Fig. 139 ein Stromkreis bKa gegeben,

Es sei Fig. 139 ein Stromkreis bKa gegeben, der zwischen a und b durch die Zweige acb und adb, welche unter sich durch die Brücke cd verbunden sind, geschlossen ist. Nun soll die Stromstärke in allen Teilen, besonders in der Brücke bestimmt werden.

Es sei in
$$aKb$$
 ac cb ad db cd Stromstärke J i_1 i_2 i_3 i_4 i Widerstand W w_1 w_2 w_3 w_4 w

die elektromotorische Kraft gleich E.

Aus den Kirchhoffschen Sätzen folgt

$$J - i_1 - i_3 = 0 J - i_2 - i_4 = 0$$

$$i_1 - i_2 - i = 0 i_3 + i - i_4 = 0$$

$$i_1 w_1 + i w - i_3 w_3 = 0 i w + i_4 w_4 - i_2 w_2 = 0$$

$$J W + i_1 w_1 + i_2 w_2 = E$$

$$J W + i_3 w_3 + i_4 w_4 = E.$$

Wie man sieht, haben wir hier 8 Gleichungen für die 6 zu bestimmenden Größen, das gewöhnliche Auflösungsverfahren liefert daher

$$J = \frac{E[w(w_1 + w_2 + w_3 + w_4) + (w_1 + w_2)(w_2 + w_4)]}{D}$$

$$= \frac{E[w(w_3 + w_4) + w_3(w_2 + w_4)]}{D}; \quad i_2 = \frac{E[w(w_3 + w_4) + w_4(w_1 + w_3)]}{D}$$

$$= \frac{E[w(w_1 + w_2) + w_1(w_2 + w_4)]}{D}; \quad i_4 = \frac{E[w(w_1 + w_2) + w_2(w_1 + w_3)]}{D}$$

$$i = \frac{E(w_2 w_3 - w_1 w_4)}{D},$$

rin der allen Ausdrücken gemeinschaftliche Nenner ist

$$= Ww(w_1 + w_2 + w_3 + w_4) + W(w_1 + w_3)(w_2 + w_4) + w(w_1 + w_2)(w_3 + w_4) + w_1w_2(w_3 + w_4) + w_3w_4(w_1 + w_2).$$

Die Stromstärke i in der Brücke hängt, wie man sieht, außer von Größe der elektromotorischen Kraft und dem Gesamtwiderstande der itung wesentlich ab von der Differenz

$$w_2 w_3 - w_1 w_4,$$

o dem Widerstande in den Zweigen, zwischen welchen die Brücke ausspannt ist. Ist diese Differenz gleich null oder

$$w_2 w_3 = w_1 w_4,$$

ist in der Brücke gar kein Strom vorhanden; das ist der Fall, wenn

$$w_1: w_2 = w_3: w_4.$$

Macht man daher in den Zweigen ac und cb die Widerstände einder gleich, so folgt, wenn in der Brücke kein Strom vorhanden ist, is auch $w_3 = w_4$ ist.

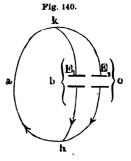
Dieser Satz wird in dem Wheatstoneschen Verfahren zur Bestimmung s Leitungswiderstandes angewandt.

Als zweite Anwendung der Kirchhoffschen Sätze wollen wir ein zuerst in Poggendorff¹) behandeltes Problem wählen, welches wir später bei der essung elektromotorischer Kräfte benutzen werden.

wei Elemente E_1 und E_2 sind in der Weise (Fig. 10) mit einander verbunden, daß die Leitungen und c, in welchen die Elemente eingeschaltet id, in h und k zusammenstoßen und die Punkte und k durch eine Leitung mit einander verbunden id. Man soll die Stromintensitäten in den drei weigen a, b, c bestimmen. Es seien in

Wir haben nach den Kirchhoffschen Sätzen

$$i - i_1 - i_2 = 0$$
 $iw + i_1w_1 = E_1; iw + i_2w_2 = E_3$
 $i_1w_1 - i_2w_2 = E_1 - E_3,$



¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LIV.

wenn wir voraussetzen, das die Ströme in beiden Zweigen infolge der in ihnen vorhandenen elektromotorischen Krüfte zugleich nach k fliessen. Ist die elektromotorische Kraft in einem der Zweige 1 R. anders gerichtet, so würde das Vorzeichen von i_2 und E_2 das entgegegesetzte werden.

Das gewöhnliche Auflösungsverfahren liefert uns

$$\begin{split} i &= \frac{E_{2} w_{1} + E_{1} w_{2}}{w w_{1} + w w_{2} + w_{1} w_{2}} \\ i_{1} &= \frac{E_{1} (w + w_{2}) - E_{2} w}{w w_{1} + w w_{2} + w_{1} w_{2}} \\ i_{2} &= \frac{E_{2} (w + w_{1}) - E_{1} w}{w w_{1} + w w_{2} + w_{1} w_{2}}. \end{split}$$

Diese Ausdrücke sind mit den von Poggendorff auf anderem Wegeerhaltenen gleich und durch Versuche bestätigt worden.

Ströme in ungeschlossenen Leitern. Bisher haben wir bei Besprechung der galvanischen Ströme stets einen geschlossenen Stromkreit, also eine geschlossene leitende Verbindung der beiden Pole der Batterie vorausgesetzt. Nach der Theorie der Strombildung ist dann, wenn wir auch jetzt nur lineare Leiter, das heißst solche, bei denen zu ihrer Axe sentrechte Durchschnitte Niveauflächen sind, voraussetzen, die Stromstärke, also die in elektrostatischen Einheiten ausgedrückte, in der Zeiteinheit durch jeden Querschnitt fließende Elektricitätsmenge gegeben in der Gleichung

$$i = -kq \frac{dV}{dx}$$

wo wie bisher immer k die Leitungsfühigkeit, q den Querschnitt des Leiters und V den Wert der Potentialfunktion an der im Abstande x von irgendeinem Anfangspunkte gelegenen Stelle des Leiters bedeutet.

Diese Gleichung zeigt, wie wir es bei der Entwicklung derselben schon hervorhoben, daß die einzige Bedingung für das Auftreten eines elektrischen Stromes die Veränderlichkeit in dem Werte der elektrischen Potentialfunktion in dem Leiter ist, daß stets, und so lange die Potentialfunktion auf dem Leiter nicht überall denselben Wert hat, so lange also $\frac{dV}{dx}$ nicht gleich null ist, ein elektrischer Strom entstehen muß. Wir müßen deshalb auch einen solchen Strom in nicht zu einem Stromkreise geschlossenen Leitern erhalten, wenn wir die Bedingung einer nicht konstanten Potentialfunktion herstellen.

In der That ist das der Fall und in einer bestimmten Anordnung ist diese Strombildung schon lange benutzt worden. Wenn man den einen Pol einer Batterie mit der Erde in leitende Verbindung bringt, und den andern isoliert läfst, so wird auf dem erstern die Potentialfunktion gleich null und an dem andern steigt dieselbe auf ihren doppelten Wert. Wenn man aber auch den andern Pol zur Erde ableitet, so sinkt dort der Wert der Potentialfunktion, auf dem andern Pole steigt er wieder und in beiden Ableitungsdrähten entsteht ein Strom, da auf beiden die Potentialfunktion

a einem gewissen Werte an den Polen bis zu dem Werte null, dort der Draht die Erde berührt, abnimmt. Dieser Strom ist proportional m auf beiden Ableitungen gleichen elektrischen Gefälle, also nur abngig von dem Widerstande, den die Ableitungsdrähte dem Strome entgensetzen, er ist somit genau derselbe, wie wenn diese Ableitungsdrähte ekt zu einem Stromkreise verbunden würen. Es ergiebt sich das unttelbar aus unseren Entwicklungen des §. 78, in denen wir zeigten, Is das Gefälle der Potentialfunktion nicht geändert wird, wenn wir an ier beliebigen Stelle des Stromkreises durch Ableitung den Wert der tentialfunktion gleich null machen. Wenn wir an dieser Stelle den omkreis zerschneiden, und nur dafür sorgen, dass an den Enden der ühte, die durch das Zerschneiden entstanden sind, die Potentialfunktion ustant gleich null erhalten wird, so kann dadurch das Gefälle absolut ht geändert werden, der Strom mus also auch ungeändert derselbe Diese Bedingung ist aber realisiert, wenn wir die beiden Pole er Batterie zur Erde ableiten, es muß also in diesen Ableitungsdrähten Strom genau derselbe sein, wie wenn dieselben direkt zu einem Stromise verbunden wären. Dabei ist es ganz gleichgültig, ob die Ableitungsihte an einander nahen oder in beliebig von einander entfernten Stellen Erde berühren, da die Bedingung in beiden Fällen identisch diebe ist, dass an den Enden der Drähte der Wert des Potentials gleich

Bekanntlich ist dieser Satz bei unsern Telegraphen benutzt, indem Telegraphenleitungen niemals in sich geschlossene Stromkreise, sondern leitungen von den Polen der Batterie zur Erde sind; erst seitdem sinheil diese Anordnung der Telegraphenleitung in die Praxis einführt hat, konnte die Telegraphie ihre jetzige Ausdehnung erhalten, lem die Telegraphenanlagen gegen früher, so lange man geschlossene eise anwenden zu müssen glaubte, für die Hälfte des Preises hergestellt rden können.

Ströme, allerdings von kurzer Dauer und rasch abnehmender Stärke, issen auch stets entstehen, wenn man mit den Polen einer Batterie ähte verbindet, welche an ihrem anderen Ende isoliert sind; denn ch auf solchen Drähten hat die elektrische Potentialfunktion an den rschiedenen Stellen im ersten Momente einen verschiedenen Wert. Am ide des Drahtes ist die Potentialfunktion null, dort, wo er an der itterie anliegt, ist dieselbe gleich V, es muß also so lange ein Strom rhanden sein, bis die Potentialfunktion auf dem ganzen Drahte den eichen Wert hat. In den in unsern Laboratorien zu Gebote stehenden ahtleitungen sind allerdings diese Ströme kaum wahrzunehmen, man im sie indes leicht erhalten, wie Siemens 1) gezeigt hat, wenn man die le einer Batterie mit den leitenden Flächen eines Ansammlungsappaes verbindet, den Ansammlungsapparat entladet, ihn wieder mit den len des Batterie verbindet u. s. f. Wenn man diese den Ansammlungsarat ladenden Ströme sich hinreichend rasch folgen läst, und die-

¹⁾ Siemens, Poggend. Ann. Bd. CII. Frühere Versuche von Guillemin, sch ohne Messungen. Comptes Rendus T. XXIX. p. 632. Poggend. Ann. LXXIX.

selben um eine Magnetnadel leitet, so kann man die Stärke derselben messen und so die Folgerungen der Theorie prüfen.

Für die Stärke des hier zu messenden Stromes erhalten wir nämlich folgenden Wert; sind die beiden leitenden Flächen eines Ansammlungsapparates mit den Polen der Batterie verbunden, so muß auf denselbe der Wert der elektrischen Potentialfunktion gleich dem an den Polen werden. Nennen wir den Wert V_1 und V_2 , so muß, wenn die Kapacität des Ansammlungsapparates gleich K ist, in den Ansammlungsapparat eine solche Elektricitätsmenge Q überfließen, daß

$$Q = K(V_1 - V_2).$$

Wird n mal in der Sekunde, also der Zeiteinheit der Ansammlungsapparat geladen und entladen, so fließt durch die den Ansammlungsapparat ladende Leitung in der Zeiteinheit die Elektricitätsmenge nQ. De wir die Intensität des Stromes jene Elektricitätsmenge genannt haben, welche in der Zeiteinheit durch jeden Querschnitt des Stromleiters fließt, so muß die an der Magnetnadel gemessene Stromintensität J, vorausgesetzt, daß n so groß ist, daß die rasch folgenden Stösse die Magnetnadel auf einer konstanten Ablenkung halten, werden

$$J = nQ = nK(V_1 - V_2).$$

Ist in unserer frühern Bezeichnung die elektromotorische Kraft

$$V_1 = + E \quad V_2 = -E$$

$$I = nK \cdot 2E$$

Für einen aus zwei parallelen Ebenen von der Größe F bestehanden Ansammlungsapparat, welche sich im Abstande δ gegenüberstehen und zwischen denen sich ein Isolator befindet, dessen Dielektricitätskonstante gleich D ist, erhielten wir

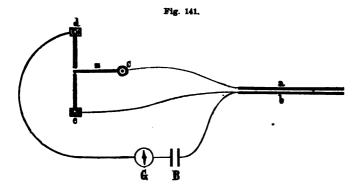
$$K = \frac{F}{4\pi\delta}D,$$

somit muss

$$J = n \frac{F}{4\pi \delta} D 2E.$$

Mit Hilfe einer eigens konstruierten Wippe konnte Siemens sechig mal in der Sekunde den von ihm benutzten Ansammlungsapparat lade und entladen. Das Schema seiner Versuchsanordnung zeigt Fig. 141. Von dem einen Pole der Batterie B führte ein Draht zu der einen Platte b des Ansammlungsapparates, von dem andern Pole ging der Draht durch das Galvanometer G zu einer Spitze d, welcher in sehr kleinem Abstande eine zweite Spitze c gegenüberstand, welche ihrerseits durch einen Draht mit der Platte b des Ansammlungsapparates in Verbindung stand. Zwischen den beiden Spitzen befand sich die durch die Wippe bewegte Zunge 4 welche in der Sekunde 60 Schwingungen machte, und die durch einen Draht mit der Platte a des Ansammlungsapparates in Verbindung stand. Jedesmal somit, wenn die Zunge z an die Spitze d rührte, wurde der Ansammlungsapparat in die Leitung der Batterie eingeschaltet, jedesmal wenn z an die Spitze c rührte, wurde der Ansammlungsapparat entladen

Der Entladungsstrom des Ansammlungsapparates konnte ebenfalls gen werden, indem man das Galvanometer in dessen Leitung be ca altete.



Der für die Stromstärke J erhaltene Ausdruck zeigt, daß derselbe sonst gleichen Umständen nur von der Potentialdifferenz $V_1 - V_2 = 2E$ gig ist. Da nun für den die Platten ladenden Strom diese Potentialnz genau denselben Wert hat, wie für den Entladungsstrom, beim die Differenz von 0 bis zu jenem Werte wächst, bei letzterem von Werte auf 0 abnimmt, so ergiebt sich zunächst, daß der Entladungsgenau dieselbe Stärke haben muß als der Ladungsstrom. Die Verlieferten in der That dieses Resultat, indem die Ablenkung des nometers im Entladungsstrome genau dieselbe war wie im Ladungsee.

Dass in der That die Stromstärke *J* der elektromotorischen Kraft ngewandten Batterie proportional war, zeigte Siemens, indem er die rie aus einer verschiedenen Zahl hinter einander verbundener Daniell-Elemente zusammensetzte. Folgende Tabelle enthält eine Anzahl leobachtungen von Siemens; die Stromstärke ist in einem willkürdurch die Ablenkung der Magnetnadel gegebenen Masse ausgedrückt.

inzahl der Elemente	Stromstärke		
n	$oldsymbol{J}$		$\frac{J}{n}$
3	0,0889		0,0296
4	0,1166		0,0292
5	0,1443		0,0288
6	0,1719		0,0287
7	0,1994		0,0285
8	0,2283		0,0285
9	0,2588		0,0288
12	0,3338		0,0278
18	0,4970		0,0277
		Mittel	0,0286

Der für die Stromstärke entwickelte Ausdruck zeigt ferner, daß so die Kapacität des Kondensators durch die zuleitenden Teile nicht geändert wird, die Stromstärke unabhängig sein muß von dem Widerstande der Leiter; daß das in der That der Fall ist, zeigen schon obige Zahlen, die einfach der elektromotorischen Kraft der Batterie proportional sind, obwohl durch die Hinzufügung der Elemente der Widerstand in den leitenden Teilen des Stromes beträchtlich zunahm. Außerdem erhielt Siemens dieselben Werte, als er Drähte von beträchtlich verschiedens Länge zwischen der Batterie und dem Ansammlungsapparat einschaltet.

Durch weitere Versuche zeigte Siemens, daß die Stromstärke der Kapacität des Ansammlungsapparates, also der Größe der Flächen direkt, dem Abstande derselben umgekehrt proportional war. Die Kapacität des Ansammlungsapparates hängt ab von dem specifischen Induktionsvermögen des zwischen den leitenden Flächen vorhandenen Isolators, sie ist dem selben einfach proportional. Man kann deshalb nach dieser Methode die specifischen Induktionsvermögen oder die Dielektricitätskonstanten der verschiedenen Isolatoren mit einander vergleichen; die im §. 49 mitgeteilten Angaben von Siemens, Silow, überhaupt die als nach der Methode wes Siemens gefunden bezeichneten Werte sind auf diesem Wege erhalten.

Ganz dieselben Ströme, welche man in den zu dem Ansammlungapparate führenden Drähten erhält, muß man auch in hinreichend lange.
Drähten erhalten, da auch in diese soviel Elektricität einströmen muh
bis die Potentialfunktion überall denselben Wert erhält, welcher an den
Pole der Batterie vorhanden ist. Besonders stark müssen diese Ströme
bei den Telegraphenkabeln werden, bei denen der innere Draht erst von
einer isolierenden und dann wieder von einer leitenden Hülle umgeben
ist, bei denen also die Drähte gewissermaßen die innere Belegung eine
Leydener Flasche bilden. Sind die Drähte lang genug, so kann man den
eine einzelne Ladung bewirkenden Strom beobachten. Alle diese Ströme
sind von Guillemin 1), Siemens 2), Faraday 3), Wheatstone 4) und anden
beobachtet und wegen ihrer Wichtigkeit für die telegraphische Prain
näher untersucht worden. Es würde uns hier zu weit führen, wenn wir
auf diese Untersuchungen näher eingehen wollten 5).

Noch eines Falles der Strombildung in ungeschlossenen Leitern müssen wir hier erwähnen, der auf das deutlichste beweist, daß in der That stets in einem Leiter ein Strom vorhanden sein muss, wenn die elektrische Potentialfunktion auf ihm nicht konstant ist. Denken wir uns nämlich einen hinreichend langen Draht mit dem Pole einer Batterie verbunden deren anderer Pol zur Erde abgeleitet ist, so muss auch in diesem Draht ein konstanter aber in verschiedenen Abständen von dem Pole der Batterie

¹⁾ Guillemin, Comptes Rendus T. XXIX. T. L. Annales de chim. et de phys. III. Série. T. LX. Comptes Rendus T. LI.
2) Siemens, Poggend. Ann. Bd. CII.

³⁾ Faraday, Poggend. Ann. Bd. XCII.
4) Wheatstone, Poggend. Ann. Bd. XCVI.

⁵⁾ Über die bei diesen Strömen oder auch in langen Drähten und Kabela, deren eines Ende mit der Batterie verbunden, deren anderes abgeleitet ist, eintretenden Ladungen, der zu diesen Ladungen und der Entwicklung des statenären Zustandes erforderlichen Zeiten, sowie über die für die unterseeische Tegraphie so wichtigen Erscheinungen, wenn ein zur Erde abgeleitetes Kabel auf kurze Zeit mit dem Pole einer Batterie verbunden wird, giebt Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. I S. 397 ff., eine Übersicht.

verschieden starker Strom vorhanden sein. Durch die Verbindung mit dem Pole der Batterie fliesst Elektricität auf den Draht, und wenn von dem Drahte går kein Verlust von Elektricität stattfände, so würde die Potentialfunktion überall bald denselben Wert erhalten, wie an dem Pole; nun findet aber an allen Stellen von der Oberfläche des Drahtes ein Verlast der Elektricität nach außen statt, deshalb kann die Potentialfunktion nicht überall denselben Wert annehmen, sondern es tritt ein stationärer Zustand ein, der dann erreicht ist, wenn in gleichen Zeiten an irgend ein Flächenstück des Drahtes von der Batterie her ebensoviel Elektricität hinströmt, als nach aussen durch Zerstreuung und Ableitung verloren geht. Das Verhalten eines solchen Drahtes gegen die Elektricität ist ganz dasselbe wie das eines in freier Luft erwärmten Drahtes gegen die Wärme; gerade wie bei letzterem ein stationärer Temperaturzustand eintritt, wenn jede Stelle des Stabes soviel Wärme empfängt, als sie abgiebt, so tritt hier ein stationärer Potentialzustand auf, wenn jede Stelle des Drahtes in gleichen Zeiten ebensoviel Elektricität erhält, wie sie abgiebt. Ja wir können, um die Ströme an den verschiedenen Stellen des Drahtes zu erhalten, einfach die Gleichung der Wärmeleitung in einem Stabe anwenden, indem wir für die in letztere eingehende Temperatur einfach die elektrische Potentialfunktion einsetzen. Denn ebenso, wie der Wärmestrom der Temperaturdifferenz der benachbarten Schichten, ist der elektrische Strom der Potentialdifferenz proportional, und ebenso, wie die Wärmeabgabe nach außen der Temperatur des Stabes an der betrachteten Stelle, vorausgesetzt, dass die Temperatur der Umgebung gleich null ist, so ist der Elektricitätsverlust an einer Stelle des Drahtes dem dort vorhandenen Werte der elektrischen Potentialfunktion proportional.

Wir denken uns zwei um die Länge dx von einander entfernte im Abstande x von dem Batteriepole befindliche Querschnitte des Drahtes; ist V die Potentialfunktion des Drahtes an der Stelle x, k die Leitungsfähigkeit, q der Querschnitt des Drahtes, so fliefst durch den Querschnitt x in der Zeiteinheit die Elektricitätsmenge

$$i = -kq \frac{dV}{dx}.$$

Ist V' der Wert der Potentialfunktion an dem um dx entfernten Querschnitte, so fließt durch diesen in die folgenden Teile des Drahtes

$$i_1 = -kq \frac{d V'}{d x}.$$

Die Differenz der in der Strecke dx ein- und ausfließenden Elektricität ist somit

$$i-i_1=-\,k\,q\,\Big(\!\frac{d\,V}{d\,x}-\frac{d\,V'}{d\,x}\!\Big)=kq\,\frac{d^3\,V}{d\,x},$$

Wenn wir die von dV verschiedene Änderung $dV' = dV + d^2V$ setzen.

Nach Eintritt des stationären Zustandes muss diese Elektricitätsmenge nach außen aus der Seitenfläche des Drahtes abfließen. Bezeichnen wir demnach mit h jene Elektricitätsmenge, welche aus der Flächeneinheit der Oberfläche des Drahtes nach außen abfließet, wenn die Potential-Wellers, Physik. IV. 4. Aust.

funktion dort den Wert eins hat, so ist die auf der Lange dx, wo der Wert der Potentialfunktion V ist, nach außen abfließende Menge

$$hp V dx$$
,

wenn p den Umfang des Drahtes bezeichnet. Damit erhalten wir die Gleichung

$$k q \frac{d^2 V}{d x} = h p V dx$$
$$\frac{d^2 V}{d x^2} = \frac{h p}{k q} V^1,$$

eine Gleichung, welche genau der für die Wärmeleitung S. 281 der dritten Bandes gegebenen entspricht. Gerade wie dort ergiebt sich ftr den Wert der Potentialfunktion an der Stelle x

$$V = A \cdot e^{\sqrt{\frac{h}{k}} \frac{p}{q} \cdot x} + Be^{-\sqrt{\frac{h}{k}} \frac{p}{k} \cdot x}.$$

Die Potentialfunktion nimmt also auf einem solchen Drahte gerale so ab wie die Temperatur auf einem Stabe. Für die Stärke des Stroms an der Stelle x erhalten wir:

1) Ebenso erhalten wir auch leicht die Differentialgleichung für den kastand des Drahtes und die Bewegung der Elektricität bis sich jener stationer Zustand hergestellt hat, welche also die vorhin erwähnten Ladungserscheinungs bedingt, wenn wir diese Ausdrücke anstatt auf die Zeiteinheit auf die met lich kleine Zeit dz beziehen und dann nicht den Überschufs der in die Lag dx einfließenden Elektricität der nach außen abgegebenen gleich setzen, dern die Differenz der beiden Mengen durch die eintretende Änderung ist Potentialfunktion ausdrücken. Ist nämlich der stationäre Zustand noch nick erreicht, so nimmt in der Zeit dz, weil die Elektricitätsmenge

$$\left(kq\frac{d^2V}{dx}-hpVdx\right)dz$$

in demselben bleibt, die Potentialfunktion um den Wert dV zu. Nennen die Kapacität der Längeneinheit des Drahtes c, so daß die Kapacität des States von der Länge dx gleich cdx ist, so ist die der Zunahme dV der Potentifunktion auf dem Stücke dx entsprechende Elektricitätsmenge cdxdV. Wi erhalten demnach die Gleichung

$$\left(kq\frac{d^2V}{dx} - hpVdx\right)dz = cdxdV$$

oder

$$kq\frac{\partial^2 V}{\partial x^2} - hp V = c\frac{\partial V}{\partial z},$$

wo wir in den Differentialquotienten das Zeichen δ setzen, um anzudeuten, daß wo wir in den Differentialquotienten das Zeichen ∂ setzen, um anzudenten, and bei der Differentiation nach x die Zeit z als konstant, dagegen bei derjenigen nach z die Variabele x als konstant zu betrachten ist. Die erste Anderung bedeutet nämlich die Änderung auf dem Draht für einen gegebenen Moment, die zweite die Änderung mit der Zeit für eine gegebene Stelle des Drahtes.

Diese Gleichung ist bereits von Ohm in seinem früher schon erwähntes. Werke "Die galvanische Kette" auf diese Erscheinungen angewandt, sie ist wie man sieht, ganz dieselbe wie für die Wärmeleitung in einem Stabe; sie bildet die Grundlage zur Ableitung der vorhin erwähnten Ladungserscheinungen.

nungen.

$$i = -kq \frac{d V}{d x} = -kq \cdot \sqrt{\frac{hp}{kq}} \left(Ae^{\sqrt{\frac{hp}{kq}} \cdot x} - Be^{-\sqrt{\frac{hp}{kq}} \cdot x} \right).$$

Hat der Draht eine solche Länge, dass an seinem Ende die Potenlfunktion gleich null wird, ohne dass der Draht abgeleitet ist, so wird unz entsprechend wie bei der Gleichung für die Wärmeleitung

$$A=0$$
 $B=E$

enn E die elektromotorische Kraft der Batterie ist, also der Wert der otentialfunktion für x = 0, dann wird somit

$$i = \sqrt{\frac{h p k q}{h p k q} \cdot E e} - \sqrt{\frac{h p}{k q}} \cdot x$$

Mit wachsendem x muß also die Stärke des Stromes in geometricher Reihe abnehmen, wenn x in arithmetischer Reihe zunimmt, für leiche Werte von x muß die Stärke des Stromes der elektromotorischen raft proportional sein.

Dieses Gesetz der Abnahme des Stromes wird man bei den Versuchen icht bestätigt finden können, da man bei den sehr großen Längen, welche ie Drähte zur Beobachtung dieser Ströme haben müssen, keineswegs ansehmen kann, daß h überall denselben Wert hat, und ebenso daß p, k, genau konstant sind.

Die Existenz dieser Ströme und ihre Abnahme mit zunehmenden Werten von x hat indes Wheatstone 1) nachgewiesen. Die Versuche wurden an einem 110 engl. Meilen langen Kabel angestellt, welches 6 Kupferdrähte enthielt; jeder war durch einen Guttaperchaüberzug von 0,1 engl. Zoll Dicke isoliert. Die Drähte lagen in einem Kreise von 0,2 Zoll Durchmesser und waren dann noch von einer gemeinsamen Guttaperchahülle von 0,1 Zoll Dicke umgeben. Das Ganze war schließlich mit Eisendrähten umwickelt, welche eine vollständige metallische Hülle bildeten. Das Kabel war aufgewickelt in einem trocknen Brunnen und das eine Ende war in das Beobachtungszimmer geführt. Die Drähte waren mit 1, 2, 3, 4, 5, 6 nummeriert und die Enden im Brunnen mit einem Accent bezeichnet. Die Enden 1'2, 2'3, 3'4, 4'5, 5'6 wurden durch Hilfsdrähte verbunden, so daß der elektrische Strom entweder durch alle sechs hinter einander verbundene Drähte oder durch eine geringere Zahl in gleicher Richtung geführt werden konnte.

Als nun das eine Ende des Drahtes mit dem einen Pole einer Batterie verbunden wurde, deren anderer Pol zur Erde abgeleitet war, und das andere Ende des Kabels isoliert gelassen wurde, zeigte ein eingeschaltetes Galranometer sehr bald einen konstanten Strom an. Die Stärke desselben fand ich im Abstande von der Batterie:

¹⁾ Wheatstone, Poggend. Ann. Bd. XCVI.

Abstand	Stromstärke	theoretischer Wert
O Meilen	33,5	33,5
110 "	31	22,9
220 "	25	15,6
330 ,,	15	10,7
440 "	12	7,3
550 "	5	5
660	0	0.

Die letzte Kolumne ist aus den Beobachtungen für x=0 und x=550 nach der Gleichung berechnet, welche die Potentialfunktion aus Ende des Drahtes als gleich null voraussetzt. Wie es vorauszusehen wat, stimmt der beobachtete Gang der Ströme nur wenig mit dem berechneten, derselbe zeigt indes der Theorie entsprechend, dass auch in dem Falle is dem Drahte ein konstanter aber an verschiedenen Stellen verschiedenen Strom vorhanden ist.

Letzteres muss auch bei einer langen Leitung der Fall sein, welch, wie es mit unsern Telegraphenleitungen der Fall ist, am andern Ende zur Erde abgeleitet ist, und von welcher sei es in die Luft, sei es über die Stützen weg eine Ableitung stattfindet. Der Gang der Potentialfunktion in einem solchen Draht ergiebt sich aus der vorhin abgeleitet allgemeinen Gleichung für V, indem für x=0 der Wert von V gleich der Potentialfunktion am Pol der Batterie, also E eingesetzt wird und für x=l auch ohne dass l gleich unendlich gesetzt wird $V_l=0$. Die Kostanten A und B bestimmen sich demnach durch die Gleichungen

$$E = A + B$$

$$V_{l} = Ae^{al} + Be^{-al} = 0$$

$$V_{kq} = a \text{ gesetzt wird,}$$

$$A = E\frac{e^{-al}}{e^{-al} - e^{al}} \quad B = -E\frac{e^{al}}{e^{-al} - e^{al}}$$

$$V = E\frac{e^{-a}(l-x) - e^{a}(l-x)}{e^{-al} - e^{al}}$$

$$i = -kq\frac{dV}{dx} = akq E\frac{e^{-a(l-x)} + e^{a(l-x)}}{e^{-al} - e^{-al}}.$$

Diese Gleichung entspricht annähernd dem Gange der Ströme in einer längern Telegraphenleitung, sie würde die Ströme genau darstellen, wen an allen Stellen der Leitung die Größen h, p, k, q genau dieselben wäre, was besonders für h wohl niemals zutrifft.

§. 83.

Widerstandseinheiten, Rheostaten und Rheochorde. Die Intensität des Stromes in geschlossenen Stromleitern hängt nach dem Ohmschen Gesetze ab von der Größe der elektromotorischen Kraft und der Größe des Widerstandes, welchen der Stromkreis dem Strome entgegensetzt. Letztere hängt ab von der Länge des Schließungskreises, dem Querschnitte der

ben und von der specifischen Leitungsfähigkeit oder dem reciproken rte derselben, dem specifischen Leitungswiderstande. Um daher die rke eines Stromes im voraus bestimmen zu können, müssen wir sowohl Größe der elektromotorischen Kraft der zur Stromerzeugung benutzten elle als auch die Größe des Widerstandes im Schließungskreise bemen können.

Wir suchen zunächst den Widerstand oder die Leitungsfähigkeit der omkreise zu bestimmen; da wir die Abhängigkeit von den Dimensionen Schliessungskreises bereits kennen, haben wir nur noch das specifische tungsvermögen der verschiedenen Substanzen aufzusuchen. Die Leigsfähigkeit oder den Leitungswiderstand eines Körpers kann man entler nach absolutem oder relativem Masse bestimmen. Gehen wir von dem Ohmschen Gesetze zu Grunde liegenden Gleichung aus

$$e = \mp kq \, \frac{dV}{dx},$$

ergiebt sich für einen Leiter, dessen Querschnitt q=1, wenn weiter

$$\frac{dV}{dx}=1,$$

$$e = \pm k$$

Leitungsfähigkeit ist also jene positive und nach entgegengesetzter htung fließende negative Elektricität, welche in der Zeiteinheit durch Querschnittseinheit des Leiters fließt, wenn das Potentialgefälle gleich ist. Hiernach hängt die Einheit der Leitungsfähigkeit ab von den ählten Einheiten des Potentialgefälles und der im Stromkreise fließenden ktricität. Würden wir die Elektricitätsmenge in dem §. 31 definierten itrostatischen Maß messen und dem entsprechend die Potentialfunktion mechanischem Maße (§. 39) messen, so würde die Einheit von knfalls in absolutem mechanischem oder elektrostatischem Maße geen sein. Wir werden im letzten Kapitel sehen, wie wir zu dieser oluten Einheit des Leitungsvermögens gelangen können, nach welcher Eubstanz das Leitungsvermögen eins hat, in welcher die Einheit Kraft in der Zeiteinheit die Menge eins der positiven Elektricität h der einen, die gleiche Menge entgegengesetzter Elektricität nach der lern Richtung treibt.

Wir werden dort gleichzeitig noch zwei andere, ebenso wie die eben inierte, zuerst von W. Weber eingeführte absolute Einheiten des Widerndes kennen lernen, die auf andern absoluten Maßen der Stromstärke i der elektromotorischen Kraft, aber immer auf der Definition beruhen, s ein Leiter den Widerstand eins hat, wenn die Einheit der elektrotorischen Kraft in ihm die Stromstärke eins hervorruft. Daß diese inition der obigen gleich ist, erkennt man sofort, wenn man für einen nogenen Leiter, wie im §. 79, für das Gefälle der Potentialfunktion ien Wert einsetzt

$$\frac{dV}{dx} = -\frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{l},$$

it

$$e = \pm kq \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{l}.$$

Setzen wir $\varepsilon_1 - \varepsilon_2 = 1$, so wird e = 1, wenn

$$k\,\frac{q}{l}=1,$$

ist gleichzeitig q = 1, l = 1, so wird auch k = 1.

Von den von Weber eingeführten Einheiten ist die auf dar genannte absolute elektromagnetische Maß gegründete vor jetzt 20 Jahren von der British Association for the advancement of se in die Praxis eingeführt worden. Dieselbe schlug vor, als Widerst einheit einen Widerstand zu wählen, welcher gleich 10 000 Mill Weberscher absoluter elektromagnetischer Einheiten sei, und welche den Namen Ohmad gab. Die British Association ließ nach dieser Ei Etalons anfertigen, welche von derselben zu beziehen waren 1). E sich indeß später herausgestellt, daß das englische Ohmad etwas zu ausgefallen war.

Der Vorschlag der British Association, 10 000 Millionen Weber elektromagnetischer Widerstandseinheiten als praktische Einheit eführen, ist indess im Jahre 1881 auf dem Pariser Elektriker-Kor allgemein angenommen und als Ohm, dem Entdecker des Ohmscher setzes zu Ehren, bezeichnet worden. Wie der Widerstand zu bestinist, werden wir im letzten Kapitel sehen, wie er praktisch festgwird, werden wir sofort sehen.

Wenn man den Widerstand nach relativem Maise bestimmt, so man den Widerstand eines Drahtes eines bestimmten Metalles eine stimmten Länge und eines bestimmten Querschnitts gleich eins, und gleicht mit diesem die zu messenden Widerstände. Von den dre sammenhängenden Größen, Stromstärke, Widerstand und elektromotor Kraft wird damit, wenn die erste gegeben ist, die zweite willkifestgesetzt, und aus diesen ergiebt sich als abgeleitete die Einhei elektromotorischen Kraft. Welchen Draht man dabei als Einheit vist vom theoretischen Standpunkte ganz gleichgültig, man hat sich nur von praktischen Rücksichten leiten zu lassen, nämlich eine Ezu wählen, welche überall leicht wieder zu finden ist, und welche den Gebrauch, durch Aussetzen an der Luft und durch andere Ums nicht leicht geändert wird.

Es sind zu dem Ende verschiedene Vorschläge gemacht worden denen der Jacobis lange Zeit die weiteste Annahme gefunden hat. Jschlug vor, die Leitungsfähigkeit eines cylindrischen Kupferdrahtes 1 m Länge und 1 mm Durchmesser als Einheit zu wählen. Späte sich herausgestellt, dass dieses Mass nicht vergleichbar hergestellt wann, da sehr geringe Verunreinigungen des Kupfers, und selbst schiedene Härte des Drahtes den Widerstand des gewählten Etalomändern. Es würden daher nur Etalons aus demselben Kupfer und demselben Verfertiger dargestellt vergleichbar sein, und deshalb s Jacobi²) einen bestimmten Draht an verschiedene Physiker mit der

¹⁾ Poggend. Ann. Bd. CXXIV. S. 641. Flemming-Jenkin, Poggend Bd. CXXVI.

²⁾ Jacobi. Man sehe Webers Elektrodynamische Maßbestimmunger besondere Widerstandsmessungen.

derung, einen diesem gleichen oder vielmehr aus diesem für 1 m Kupferaht von 1 mm Durchmesser berechneten Widerstand als Einheit zu hmen. Es wurden darauf hin die nach diesem Originalmaße in Leipzig rfertigten Etalons, wenigstens in Deutschland, als Einheit angewandt. läter zeigte sich indes, dass auch diese Etalons verschiedene Werte ben können, und deshalb hat Siemens 1) vorgeschlagen, als Etalon das hon früher von Pouillet²) angewandte Quecksilber zu wählen, und als nheit des Widerstandes den Widerstand eines Quecksilberprismas von m Länge und 1 qmm Querschnitt zu nehmen. Als Vorzug dieses ilses giebt Siemens die leichte Reproduzierbarkeit an, da man leicht lecksilber in hinreichender Menge und größter Reinheit erhalten kann, überdies sehr geringe Verunreinigungen den Widerstand des Queckbers bedeutend weniger verändern als den eines anderen Metalles, und bei einem solchen Quecksilberetalon niemals infolge verschiedener dekularstruktur wie bei den festen Körpern eine Verschiedenheit der itungsfähigkeit eintreten kann. Das Siemenssche Mass wurde auch bald gemein angenommen und bis zum Jahre 1881 ziemlich allgemein anwandt. In Neusilberdraht, welcher zu einer Rolle gewickelt ist, reprozierte mit großer Sorgfalt hergestellte Etalons der Quecksilbereinheit d von Siemens und Halske zu beziehen. Wir werden sehen, dass man praktischen Verwendung des Ohm mit der größten Sorgfalt gesucht den Widerstand der Quecksilbereinheit als Bruchteil des theoretischen m zu bestimmen. Die Resultate stimmen noch nicht vollständig über-, man hat sich indes bis auf weiteres dahin geeinigt, die Siemenssche theit gleich 0,9434 Ohm oder das Ohm gleich 1,06 Siemenssche oder ecksilbereinheit zu setzen.

Andere haben als Einheit der Leitungsfähigkeit oder des Widerndes das Silber vorgeschlagen und angewandt, welches vor dem Kupfer 1 Vorzug hat, das es die am besten leitende Substanz ist, welche n bisher kennt, so daß also auf Silber bezogen alle übrigen die itungsfähigkeit oder den Widerstand ausdrückende Zahlen kleiner oder iser als die gewählte Einheit sind. Zugleich sind nach den Versuchen ^a Langsdorf³) Drühte aus chemisch reinem Silber auf folgende Weise mer von gleichem Widerstande zu erhalten. Das chemisch reine gemolzene Silber wird in einen Stift ausgegossen und dann im Zieheisen Draht ausgezogen. Vor jedem neuen Ziehen und nach dem letzten then, welches zweimal durch dasselbe Loch zu geschehen hat, wird der aht mehrfach ausgeglüht und zuletzt der glühende Draht recht gleich-Isig in kaltes Wasser getaucht. Das Silber hat, so behandelt, ein cifisches Gewicht von 10,429.

Später ist von Matthiessen⁴) eine Legierung von zwei Gewichtsteilen ld und einem Gewichtsteil Silber vorgeschlagen worden, und als Vorzug

¹⁾ Siemens, Poggend. Ann. Bd. CX. In dieser Abhandlung giebt Siemens chzeitig ausführlich das Verfahren zur Herstellung von Quecksilberetalons an.

¹ sehe auch Dehms, Poggend. Ann. Bd. CXXXVI.

2) Pouillet, Ann. de chim. et de phys. III. Sér. T. XVII.

3) Langsdorf, Liebigs Annalen. Bd. LXXXV. Man sehe Wiedemann, Galismus. Bd. I. §. 182. 2. Aufl.

⁴⁾ Matthiessen, Poggend. Ann. Bd. CXXV.

angeführt, dass, wenn man nur käuflich reines Gold und reines Silber nimmt, der Widerstand der Legierung fast genau derselbe ist, wie sich Matthiessen durch Messung an acht Drähten, welche an den verschiedenste Orten hergestellt waren, überzeugte. Matthiessen hat indessen seine Vorschlag zu Gunsten der von der British Association vorgeschlagenen Einheit später fallen lassen.

Wir wenden zunüchst die Siemenssche Quecksilbereinheit an, welche wir nach der vorhin gemachten Angabe durch Multiplikation mit 0,9434 immer auf das Ohm umrechnen können. Bemerken wollen wir hier is Bezug auf die verschiedenen Einheiten nur, dass zwischen denselben folgende Beziehungen bestehen:

1 m Siberdraht

von 1 mm Durchmesser ist gleich 0,02147 Siemens = 0,02025 0hm¹, = 0,542Jacobis Etalon 0,5745 " = 0.9853Ohmad d. British Association, 1.0482

Die Messungen zur Darstellung des Ohm in einer Quecksilberlänge werden wir, wie schon erwähnt wurde, im letzten Kapitel besprechen Infolge der Einführung der Quecksilbereinheit werden wir die specifischen Leitungsfähigkeiten k auf Quecksilber als eins beziehen, so dass die reciproken Werte der Leitungsfähigkeiten den Widerstand eines Drahtes der betreffenden Substanz von 1 m Länge und 1 qmm Querschnitt in der Quecksilbereinheit bedeuten.

Wir haben hiernach die elektrische Leitungsfähigkeit der Körper mit derjenigen des Quecksilbers zu vergleichen, das heifst also den Wider stand eines Drahtes der betreffenden Substanz von bekannter Länge und bekanntem Querschnitt als Bruchteil oder Vielfaches der Siemensschen Einheit auszudrücken. Die Multiplikation der so gefundenen Zahl mit dem Querschnitt des Drahtes und die Division durch die Länge desselben giebt uns nach der Gleichung

$$r\frac{l}{q} = \frac{1}{k}\frac{l}{q} = a$$

den specifischen Leitungswiderstand, dessen reciproker Wert die specifische Leitungsfähigkeit, jene des Quecksilbers gleich eins gesetzt. Die direkte Vergleichung mit einem Siemensschen Etalon läst sich nicht immer durchführen, man hat daher Rheostaten konstruiert, deren Widerstand man zwischen ziemlich weiten Grenzen variieren kann, die man nach der Quecksilbereinheit graduiert, und mit denen dann die zu unter suchenden Drähte verglichen werden.

Den ungefähr gleichzeitig von Wheatstone³) und Jacobi⁴) konstruierten Rheostaten zeigt Fig. 142. Auf eine Rolle von gedörrtem Holz oder

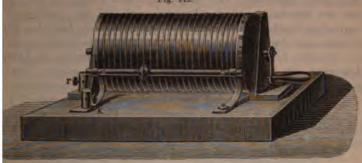
Nach Matthiessen. Poggend. Bd. BXXV S. 497.
 Nach W. Webers Bestimmung in der Abhandlung zur Galvanometre.
 Abhandl. der Göttinger Gesellschaft der Wissenschaften Bd. X.

³⁾ Wheatstone, Philosophical Transactions for 1843. Poggend. Ann. Bd. LXII.

⁴⁾ Jacobi, Poggend. Ann. Bd. LIV u. LIX.

r oder Serpentin ist ein feiner möglichst gleichmäßig dicker Neuraht spiralförmig gewickelt. Das eine Ende des Drahtes an der ier Walze, an welcher die Kurbel angesetzt ist, ist in der nichten Substanz der Rolle befestigt, das andere an die metallische Axe





lle gelötet. Die Axe der Rolle liegt in Zapfenlagern von Messing, vergoldet sind. Auf dem Fußbrette des Apparates ist ein Messingen ss an Federn befestigt, welches ein auf demselben verschieb-Rädchen von Messing trägt. Der Rand des Messingrädchens ist eint, so daß der Draht des Rheostaten gerade in die Kerbe hinein-Die Federn, welche das Stäbchen tragen, drücken das Rädchen fest den auf der Walze befindlichen Draht. Wird die Walze nach der Seite gedreht, so wird das Rädchen, indem es den Windungen des stolgt, nach rechts hin geschoben, wird die Walze entgegengesetzt t, so wird das Rädchen nach der anderen Seite geschoben.

it dem Messingstäbehen ss ist eine Klemmschraube k zur Aufnahme deitungsdrahtes in leitender Verbindung, und die zweite Klemmbe r, welche den zur Fortleitung des Stromes dienenden Draht aufjist mit dem metallischen Zapfenlager der Walze und so mit dem n die Axe gelöteten Neusilberdrahte in Verbindung.

Vird der Apparat in den Stromkreis eingeschaltet, so daß der etwa bei k eintritt, so geht er von da zu dem Messingrädchen, esem auf den Draht des Rheostaten über, durchläuft die Windungen en von der Stelle an, welche mit dem Rädchen in Berührung ist, dem an der Axe der Walze angelöteten Ende, geht von der Axe alze durch das Zapfenlager zu der zweiten Klemmschraube r und

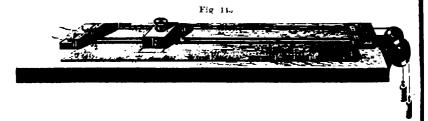
eser im Stromkreise weiter.

ndem man das Rädchen an der Walze durch Drehung derselben ver, schaltet man mehr oder weniger große Strecken des Neusilbers in den Stromkreis ein. Um diese Strecken nach Windungen und
eilen der Windungen leicht zählen zu können, ist zunächst auf dem
gstäbchen eine den Windungen des Drahtes entsprechende Teilung
acht, welche die einzelnen in den Stromkreis eingeschalteten Winzählt; der Nullpunkt der Teilung befindet sich deshalb an dem
les Stäbchens, welches dem an die Axe der Walze gelöteten Drahtunächst ist. Um die Bruchteile der eingeschalteten Windungen zu

bestimmen, ist auf dem einen Rande der Walze eine Teilung, und auf dem Zagfenlager ein nonienartiger Index angebracht.

Dieser Apparat erfüht somit seinen Zweck, in der Stromkreis beliebige bekannte Widerstände einzuschalten, auf die einfachste Weise; er hat inder mehrere Mängel, welche eine sehr große Genauigkeit mit ihm unerrelehen nicht gestatten. Der hauptsächlichste Fehler ist der, daß der Kontakt des Rüdchens und des Drahtes auch bei der grüßter Vorsicht nicht an allen Stellen genau derselbe sein kann, so daß der Übergung des Stromes von dem Rädchen auf den Draht des Rhebstaten nicht überall mit der gleichen Leichtigkeit erfolgt. Es kommt dadurch bei Anwendung des Apparates ein variabler Widerstand in den Stromkreis, der um so schlimmer ist, da man die Größe desselben gar nicht bestimmen kam-

Zu genauen Messungen ist der Rheochord von Poggendorff¹), besorders in der ihm von Wiedemann²) gegebenen Einrichtung geeignet. Die Wiedemannsche Einrichtung desselben zeigt Fig. 143. Zwei feine Platifichten a und b sind auf dem Brette parallel neben einander ausgespannt



sie gehen bei c, d, e und f über kupferne Lager. An die Lager e und d sind sie durch aufgeschraubte kupferne Platten fest angedrückt. Jerseits der beiden Lager e und f sind an die Drühte seidene Schnüre argeknüpft, welche über die Rollen g geführt sind und an welchen die de Drühte spannenden Gewichte befostigt sind. Auch auf diese Lager werden zur Festlegung der Drühte kupterne Platten aufgeschraubt. Die Lager e und e tragen die Klemmschrauben zur Einschaltung des Apparates in den Stromkreis.

Den Drähten parallel ist auf einem Brette ein in Millimeter geteilter Maßstab befestigt, an welchem der mit einem Nonius versehene Schieber sich bewegen läßt. Dieser Schieber trägt nach der von Neumann ange gebenen Einrichtung einen Kasten von Eisenblech, dessen den Lagern argewandte Wände aus parallelen Glasplatten bestehen, in welchen sich Löcher betinden, so daß eben die Drähte durch sie hindurchgehen können. Der Kasten wird mit Quecksilber gefüllt. Wenn der Apparat in den Stromkreieingeschaltet wird, so geht der Strom durch den einen Draht bis zu dem Quecksilberkasten durch das Quecksilber zu dem andern Draht und von diesem in den Stromkreis weiter. Verschiebt man also den Kasten auf den

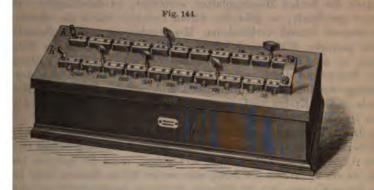
¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. L.H.
2) Wiedemann, Galvanismus Bd. I. §. 159. 2. Aufl. Andere Formen des Rheochordes sehe man: E. du Bois-Reymond, Abhandlungen der Berliner Aktedemie aus dem Jahre 1862.

, so schaltet man dadurch verschiedene, an der Teilung genau bare Längen von Platindraht ein.

den Widerstand des Rheostaten zu vergrößern, spannte Poggenhrere solche Drahtsysteme neben einander auf, welche dann hinter
eingeschaltet werden, indem man direkt den zweiten Draht mit
tten verbindet und die stromleitenden Drähte an den ersten und
Draht anbringt.

dere ebenfalls zu genauen Messungen geeignete Rheostaten, in anstatt der Drähte Quecksilbersäulen benutzt werden, haben und Müller²) in Wesel konstruiert.

den meisten Versuchen sehr bequem als Rheostaten zu verwenden Widerstandskästen von Siemens Fig. 144. Auf einer Ebonitplatte,



den Deckel eines Kastens K bildet, sind in zwei parallelen Reihen zahl kleiner Platten von dickem Messingblech so neben einander daß sie sich nicht berühren. Die an der gleichen einen Seite tens liegenden Endplatten tragen Klemmschrauben k, durch welche arat in den Stromkreis eingeschaltet werden kann, die Endplatten ern Seite sind durch einen dicken Messingstreifen verbunden. Die tromkreis einzuschaltenden Widerstände befinden sich in dem Kasten, ehen aus Spiralen von Neusilberdraht. Dieselben sind aus zwei mit einer isolierenden Hülle versehenen Drähten gewunden, so beiden Dräte parallel neben einander liegen. Die Enden der sind mit einander verlötet, so dass ein in den Anfang des einen eintretender Strom erst den einen Draht bis zum Ende durchort in das Ende des zweiten Drahtes übertritt, und nun die Spientgegengesetzten Sinne bis zum Anfang des zweiten Drahtes ift, der so das zweite Ende der ganzen Wickelung bildet. Diese er Wickelung sind an dicke Kupferdrähte gelötet, welche zu den olatten auf dem Deckel führen. Ist das eine Ende der Wickelung die Klemme k tragenden Messingplatte verbunden, so ist das ande mit der neben derselben liegenden Messingplatte verbunden.

Jacobi, Poggend. Ann. Bd. LXXXVIII.

Müller, Programm des Gymnasiums zu Wesel 1857. Wiedemann, Elekchre Bd. 1 S. 433.

Das eine Ende der zweiten ebenso gewickelten Spirale ist mit dieser selben zweiten Platte, das andere mit der daneben liegenden dritten Platte verbunden und so fort. Würde der Apparat so in den Stromkreis eingeschaltet werden, so müßte der Strom nach und nach alle Spiralen durchlaufen. Um indes beliebige der Spiralen ausschalten zu können, haben die Messingplatten, an denen die Enden der Spiralen angebracht sind, auf den einander zugewandten Seitenflächen halbkreisförmige und schwach konisch ausgearbeitete Ausschnitte, so dass je zwei solcher in den neben einander liegenden Platten angebrachte Ausschnitte einen Hohlkegel bilden. In diese Hohlkegel passen mit starker Reibung konische Stöpsel. Wird ein solcher Stöpsel eingesetzt, so geht der Strom direkt von einer Messingplatte zu der neben liegenden, ohne die Spirale, welche im Innern des Kastens die beiden Messingplatten verbindet, zu durchlaufen. Sind alle Löcher gestöpselt, so geht der Strom lediglich durch die dicken mittels der Stöpsel leitend verbundenen Messingplatten, welche demselben nur einen geringen Widerstand entgegensetzen. Wird einer der Stöpsel gezogen, so wird außerdem der zwischen den entsprechenden Platten befindliche Widerstand durchlaufen. Man kann somit durch Ziehen der Stöpsel beliebige der im Kasten vorhandenen Widerstände einschalten. Die Widerstände in den Kasten sind nach Quecksilbereinheiten oder auch neuerdings nach Ohms ausgeglichen.

Die Widerstände zwischen den Klemmen sind wie die Gewichtsaltze eingeteilt, sie fangen an der Klemme k mit 0,1 an, dann folgen 0, 2, nochmals 0,2, weiter 0, 5, 1, 1, 2, 5 und gehen, wenn 16 Spiralen im Kasten sind, in dieser Weise bis 500, oder wenn 20 im Kasten sind, bis 5000. Mit einem Kasten, der 20 Spiralen in der angegebenen Weise angeordnet enthält, würde man von Zehntel zu Zehntel fortschreitend alle Widerstände zwischen 0,1 und 10 000 Einheiten darstellen können. Andere Kasten sind kleiner. Wir werden sehen, daß diese Kasten in den meisten Versuchen die Rheostaten oder Rheochorde ersetzen können. Dieselben sind von Siemens und Halske in Berlin, ebenso wie die durch Neusilberdraht herge-

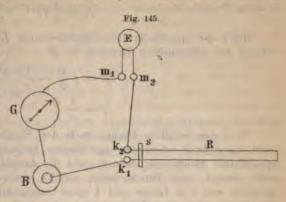
stellten Etalons zu beziehen.

Die Methode zur Prüfung der Widerstandskasten, ob also die verschiedenen Widerstände den auf den Kasten angegebenen Zahlenverhältnissen entsprechen und ob sie in der richtigen Einheit angegeben sind, sind die gleichen wie zur Messung der Widerstände überhaupt, sie ergeben sich aus den in den nächsten Paragraphen zu besprechenden Methoden.

Für die Rheostaten kann man nicht von vornherein sicher sein, daß der Widerstand der Drähte an allen Stellen derselbe ist, man muß sie daher vor dem Gebrauche zu Widerstandsmessungen erst nach dem gewählten Etalon graduieren. Auch die hierzu erforderlichen Methoden werden die nachher zu besprechenden Untersuchungen ergeben, wir deuten daher hier nur kurz eine Methode an, welche direkt die einzelnen Teile des Rheochorddrahtes mit dem Etalon vergleicht. Das Schema dieser Methode zeigt Fig. 145. Man schaltet in den Stromkreis eines konstanten Elementes B ein Galvanometer G von großer Empfindlichkeit, den Etalon E und den Rheochord ein, dessen Schieber s zunächst auf dem Nullpunkt der Teilung steht. Die Enden des Etalons sind in zwei Quecksilbernäpfchen getaucht, m_1 und m_2 , in deren erstes auch die vom Galvanometer ber

commende Leitung, in deren zweites die zum Rheochord führende Leitung m, k, eintaucht. Man beobachtet im Galvanometer die Stromstärke. Darauf schaltet man, indem man das Ende des zu k, führenden Drahtes aus dem

Näpfchen m, in das Näpfthen m, hintiberlegt, ohne sonst am Stromkreise das Geringste zu ändern, den Etalon aus demselben aus, and schaltet durch Verchiebung des Schiebers um Rheochord oder durch Drehung der Walze am Rheostaten, eine solche Drahtlänge ein, dass die tromstärke wieder genau leselbe ist wie vorher. orausgesetzt, dass die lektromotorische Kraft



es Elementes sich nicht geandert hat, ist der Widerstand der eingeschalten Drahtlänge genau derselbe wie jener des Etalons. Um sich zu verwissern, daß die elektromotorische Kraft dieselbe geblieben ist, wird inn der Rheostat wieder auf O gestellt und neuerdings der Etalon einschaltet. Die Stromstärke muß ganz dieselbe sein wie bei dem ersten ersuche.

Man schaltet dann, während im übrigen die Anordnung wie bei dem sten Versuche ist, irgend ein Stück des Rheostaten, das indes kleiner in soll als das eben für den Widerstand des Etalons erhaltene, in den romkreis ein und beobachtet die Stromstärke. Darauf schaltet man ieder den Etalon aus und statt dessen ein so großes Stück des Rheostatahtes wieder ein, dass die Stromstärke wieder dieselbe ist. Findet man, on welchem Punkte des Rheostatdrahtes man bei ferneren Versuchen auch asgeht, immer die gleiche Länge des Drahtes dem Widerstande des Etalons eich, so ist der Rheostatdraht an allen Punkten gleich und der Widerand eines eingeschalteten Teiles der Länge desselben proportional. War e Länge c dem Etalonwiderstande gleich, so ist bei Einschaltung einer ange I der Widerstand derselben -

Findet man dagegen bei diesen Versuchen verschiedene Werte c, wenn an von verschiedenen Punkten des Rheostaten ausgeht, so muß man ch für die Widerstände der verschiedenen Stücke eine Tabelle entwerfen, balich wie bei einem Thermometer, dessen Rohr nicht genau cylindrisch ist.

§. 84.

Widerstandsmessungen durch Beobachtung von Stromstärken. as am Schlusse des vorigen Paragraphen angegebene Verfahren zur braduierung eines Rheostaten kann unmittelbar nach Graduierung desselben azu dienen, den Widerstand von Drähten zu messen, der nicht größer st als derjenige des zu Gebote stehenden Rheostaten. Man schaltet antatt des Etalons den zu untersuchenden Draht ein und verfährt genau

wie angegeben ist. Bezeichnen wir mit R den gesuchten Widerstand der Drahtes, mit l die Länge des Rheostatdrahtes, welche denselben ersetz so ist in den gewählten Einheiten

$$R = \frac{1}{c} l.$$

Ist r der specifische Leitungswiderstand, L die Länge, Q der Quer schnitt des untersuchten Drahtes, so ist

$$R = r \frac{L}{Q} = \frac{l}{c}$$
$$r = \frac{l}{c} \cdot \frac{Q}{L}.$$

War der benutzte Etalon nach der Siemensschen Einheit reprode ziert, so giebt r sofort den specifischen Leitungswiderstand bezogen Quecksilber gleich eins, denn r giebt die Anzahl Meter einer Quecksilber säule von 1 qmm Durchschnitt, welche einen Draht des untersuchte Metalles von 1 m Länge und 1 qmm Querschnitt ersetzt. Entsprach der Etalon dagegen einer Länge λ einer Quecksilbersäule vom Querschnitt 4 so ist in der gewählten Einheit

$$c=\frac{\lambda}{\sigma}$$

und der specifische Leitungswiderstand der Substanz bezogen auf Quetsilber gleich 1 wird

$$r = \sigma \, \frac{l}{1} \, \frac{Q}{L} \, \cdot$$

Der reciproke Wert von r ist die specifische Leitungsfähigkeit der unter suchten Substanz, jene des Quecksilbers gleich 1 gesetzt.

Nach dieser Methode hat Ohm 1) für eine Reihe von Substanzen die

Leitungsfühigkeiten beştimmt.

Eine etwas davon verschiedene und zwar einfachere Methode wandte Man beobachtet die Stromstärke, wenn der Stromkreis in irgend welcher Weise geschlossen und der auf den Nullpunkt eingestellte Rheostat und eine Tangentenbussole eingeschaltet ist. Sei dieselbe gleich $J, \, {
m so} \, \operatorname{ist}, \, {
m wenn} \, \, E \, \operatorname{die} \, \operatorname{elektromotorische} \, \operatorname{Kraft} \, \operatorname{und} \, W \, \operatorname{der} \, \operatorname{Widerstand} \, \operatorname{ist}$

$$J = \frac{E}{W}.$$

Man schaltet eine Länge l des Rheostatdrahtes ein und beobachtet die Stromstärke J'; der Widerstand der Länge l ist in unserer Einheit auf gedrückt $\frac{\iota}{c}$, demnach ist

$$J' = \frac{E}{W + \frac{l}{c}}$$

Aus diesen beiden Beobachtungen folgt

$$W = \frac{l}{c} \frac{J'}{J - J'}.$$

Ohm, Schweiggers Journal Bd. XI.VI. 1826.
 Lenz, Poggend. Ann. Bd. XXXIV und Bd. XI.V.

t man auf diese Weise W bestimmt, so hat man nur den Rheostaten eder auf 0 zu stellen und ohne sonst am Schließungskreise etwas zu lern, den zu untersuchenden Draht einzuschalten und wieder die Stromrke zu messen. Ist der Widerstand des zu untersuchenden Drahtes R, ist

$$J'' = \frac{E}{W+R};$$

t der ersten Beobachtung kombiniert wird

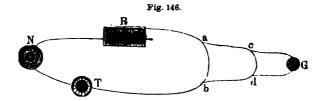
$$R = W \frac{J - J''}{J''} = \frac{l}{c} \frac{J'}{J''} \frac{J - J''}{J - J'}$$

Wie man sieht, hat man so für jede Bestimmung, nachdem der Wert n W einmal erhalten ist, nur eine Beobachtung zu machen.

Die Methode von Lenz ist jedoch keiner großen Genauigkeit fähig, die elektromotorische Kraft E und der Widerstand W als konstant rausgesetzt werden; dieselben ändern sich, wie wir sehen werden, auch den konstanten Elementen.

Eine ebenfalls wie die Lenzsche auf Messung der Stromstärke beende Methode hat Bosscha angegeben, welche Schröder van der Kolk¹) einer großen Anzahl Messungen und besonders zur Vergleichung der iderstände mehrerer Etalons benutzt hat.

Die Methode beruht auf folgendem Princip. Man teilt einen Strom zwei Zweige bei b Fig. 146, welche sich bei a wieder vereinigen. In



n ungeteilten Stromkreis ist eine Tangentenbussole T eingeschaltet und a Rheostat R. Ist im Zweige ab der Widerstand gleich w, in bdca eich w_1 , so verhalten sich die Stromstärken in den beiden Zweigen

$$i:i_1=w_1:w.$$

emnach ist

34.

$$i_1 = (i_1 + i) \frac{w}{w + w_1} = J \frac{w}{w + w_1},$$

enn wir mit $J = i_1 + i$ die Stromstärke in dem ungeteilten Stromeise, welcher die Tangentenbussole enthält, bezeichnen.

Schaltet man in den Zweig $b\ d\ c\ a$ einen Widerstand r ein, so wird, enn J dasselbe bleibt, i_1 abnehmen. Verstärkt man aber durch Aushaltung eines Widerstandes in dem ungeteilten Stromkreise die Stromärke, so kann man bewirken, daß in dem Zweige trotz Einschaltung on r die Stromstärke wieder die frühere ist. Sei das der Fall, wenn

¹⁾ Schröder van der Kolk, Poggend. Ann. Bd. CX.

in dem ungeteilten Kreise die Stromstärke J_1 geworden ist; dann bestelt zwischen i_1 und J_1 die Beziehung $i_1 = \frac{w}{w + w_1 + r} \cdot J_1.$

$$i_1 = \frac{w}{w + w_1 + r} \cdot J_1.$$

Aus diesem und dem vorigen Werte von i, folgt

$$\frac{r}{w+w_1} = \frac{J_1}{J} - 1 = \frac{J_1 - J}{J}.$$

Schaltet man einen anderen Widerstand r, anstatt r ein, und it bei einer Stromstärke J_2 in dem ungeteilten Kreise diejenige im Zwege b d c a wieder gleich i_1 , so ist jetzt

$$i_1 = \frac{w}{w + w_1 + r_1} \cdot J_2.$$

Hiernach und aus dem zuerst gefundenen Werte von i, hat man

$$\frac{r_1}{w+w_1}=\frac{J_2-J}{J}.$$

Aus den beiden Werten für r und r_1 erhalten wir dann für de Verhältnis derselben

$$\frac{r_1}{r} = \frac{J_2 - J}{J_1 - J}.$$

Ist demnach r ein Etalondraht, so ist hierdurch sofort der Wider stand von r_1 in den gewählten Einheiten gegeben; vertauscht man r_1 mit anderen Drähten $r_2 \dots$, so liefert jede neue Beobachtung den Widerstad eines Drahtes.

Die Methode ist um so genauer, je größer die Differenzen $J_2 - J$ sind, da die unvermeidlichen Beobachtungsfehler dann einen um so kleine ren Einfluss haben. Dieser Unterschied ist um so größer, je größer im Verhältnis zu w, ist; da aber in diesem Zweige sich immer en empfindliches Galvanometer befinden muß, so kann der Widerstand nicht sehr klein sein, deshalb ist in dieser Form die Methode nur bei der Messung bedeutender Widerstände einer großen Genauigkeit für Diesen Übelstand hat Schröder van der Kolk in sehr einfacher Weise dadurch beseitigt, dass er das Galvanometer nicht in dem Zweige bdc. sondern in einer an diesem Stromzweige angebrachten Zweigleitung der aufstellte.

Auch dann folgt aus der Gleichheit der Ablenkung der Galvanometer nadel in G, dass die Stromstärke in dem Zweige bdca dieselbe ist; die Galvanometer vermehrt dann aber den Widerstand w, nicht, sondern & vermindert ihn, gerade so, als wenn der Querschnitt des Stückes de un einen gewissen Wert vergrößert worden wäre.

An der Bosschaschen Methode hat später Sirks¹) noch zwei kleine Modifikationen angebracht, indem er zunächst die Tangentenbussole in des Zweig ab einschaltet, also direkt die Stromstärke i beobachtet, und inden er weiter die zu vergleichenden Widerstände nicht in den Zweig bich sondern ebenfalls in den Zweig ab einschaltet. Im übrigen wird 🛎 Beobachtung gerade so geführt wie von Schröder van der Kolk.

Sei ohne Einschaltung eines Widerstandes an der Tangentenbussole i Stromstärke i abgelesen, wenn das Galvanometer G im Stromzweige i die Stromstärke i angiebt, so ist

$$i: i_1 = w_1: w$$
$$iw = i_1 w_1.$$

Nun sei in ab der Widerstand r eingeschaltet und an der Tangentensole i' abgelesen, wenn das Galvanometer wieder im Stromkreise bdca Stromstärke i_1 angiebt; dann ist

$$i'(w+r)=i_1w_1=iw.$$

Schliefslich werde der Widerstand r_1 eingeschaltet und die Stromrke gleich i'' gefunden, wenn sie im Zweige bcda wieder i_1 ist, so ist

$$i''(w+r_1)=i_1w_1=iw.$$

Aus diesen beiden Gleichungen folgt

$$i' r = (i - i') w$$
$$i'' r_1 = (i - i'') w$$

$$\frac{r_1}{r} = \frac{\vec{\imath} \ (\vec{\imath} - \vec{\imath}')}{\vec{\imath}' \ (\vec{\imath} - \vec{\imath})}.$$

Da man w beliebig und gegen w_i sehr klein wählen kann, so sind Differenzen i-i'' und i-i' hier viel größer zu erhalten als nach n ursprünglichen Verfahren, die Genauigkeit ist daher nicht unbeträchth größer.

Die Methode von Bosscha, besonders in den ihr von Schröder van r Kolk und Sirks gegebenen Formen ist ohne Zweifel die beste von en auf Messungen der Stromstärke beruhenden Methoden. Sie ist ganz d gar unabhängig von etwaigen Schwankungen der elektromotorischen aft und des Widerstandes in den Elementen. Es ist ganz gleichgültig, durch die Stromstärke im Hauptkreis geändert wird, denn es geht in schließlichen Formeln eben nur die Stromstärke im unverzweigten ile des Stromkreises oder in den Zweigen ein. Es bedarf weiter nicht r Graduierung eines Rheostaten, man kann direkt den zu untersuchenn Widerstand mit dem Etalon vergleichen; zudem können r und r_1 erblich verschieden sein.

Die Methode hat aber mit allen denen, welche auf Strommessungen uhen, den Übelstand, daß die Ströme eine gewisse Zeit geschlossen müssen, wodurch, wie wir sehen werden, die Leiter erwärmt werden. le Erwärmung hat aber eine Änderung des Widerstandes zur Folge.

An die Methode der Widerstandsbestimmungen durch Messungen der omstärke schließt sich diejenige der Potentialfunktion.

e wir sahen, können wir die Stationer wei Punkten des omkreises, welche durch eine Friderstand besitzt, die Werte

ì

Schalten wir demnach in denselben Stromkreis den Etalon und den zu messenden Widerstand ein, so dass beide von demselben Strom durch flossen werden, so müssen sich die Differenzen der Potentialfunktion m den Enden des Etalons und an den Enden des zu messenden Widerstande verhalten wie der Widerstand des Etalons zu dem zu messenden Widerstande. Am bequemsten wird man so verfahren, dass man zunächst dis eine Ende des Etalons zur Erde ableitet und die Potentialfunktion V, am andern Ende durch direkte Verbindung desselben etwa mit einem Quadrantenelektrometer bestimmt; man verfährt darauf gerade so mit dem m messenden Widerstande, leitet das eine Ende zur Erde ab und mifst die Potentialfunktion V' am andern Ende. Ist we der Widerstand des Etalons, r der zu messende Widerstand, so ist

$$r = w_e \frac{V'}{V_1}$$
.

Die Methode empfiehlt sich jedoch nur zur Messung resp. Vergleichung sehr großer Widerstände, da sonst die zu messenden Potentialdifferenzen zu klein sind 1).

S. 85.

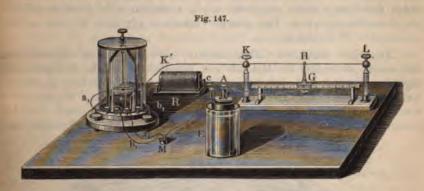
Widerstandsmessungen durch Stromverzweigungen. Der allen den im vorigen Paragraphen besprochenen Methoden gemeinsame Übelstand, daß der Strom zur Messung längere Zeit geschlossen sein muß, wird vermieden durch Anwendung von Stromverzweigung, bei welcher die zu vergleichenden Widerstände gleichzeitig in zwei Zweigen eingeschaltet werden. Ein solches Verfahren wurde zuerst von dem ältern Becquerel und in etwas anderer Weise von Pouillet3) und dem jungern Becquerel1 zu ausgedehnten Versuchen über die Leitungsfähigkeit angewandt. Zur Beobachtung des Stromes diente ein sogenanntes Differentialgalvanometer dasselbe ist ein Galvanometer, in welchem die Magnetnadel von zwei Drähten gleicher Dicke und in einer gleichen Anzahl von Windungen umgeben ist Läfst man durch beide Drähte einen Strom in entgegengesetzter Richtung gehen, so wirken die beiden Drähte auf die Magnetnadel in entgegen gesetztem Sinne ablenkend ein. Ist daher der Strom in den beiden Windungen genau gleich stark, so wird die Magnetnadel des Galvanometers gar nicht abgelenkt.

E. Becquerel schaltete in die beiden Zweige eines Stromes, deren einer einen Rheostaten enthielt, während in den andern der zu untersuchende Draht eingeschaltet war, ein Differentialgalvanometer ein; ist der Wider stand in beiden Zweigen derselbe, so ist es auch die Stromstärke. Wem also die Nadel des Galvanometers nicht abgelenkt wurde, so folgte das der Widerstand beider Zweige derselbe war. Die Anordnung der Apparate zeigt Fig. 147. Von dem positiven Pole A des Elementes E teilt sich der

¹⁾ Man sehe Fuchs, Poggend. Ann. Bd. CLVI. Lippmann, Comptes Rendus Bd LXXXIII.

Becquerel, Ann. de chim. et de phys. T. XXXII. Poggend. Ann. Bd. VIII.
 Pouillet, Ann. de chim. et de phys. III. Sér. T. XVII.
 Edm. Becquerel, Ann. de chim. et de phys. III. Sér. T. XVII. Poggend
 Ann. Bd. LXX.

Strom sofort in zwei Teile, der eine Ac durchläuft den Rheostaten R, tritt bei b_1 in die einen Windungen des Galvanometers, bei b_2 aus denselben wieder heraus und kehrt über M zu dem negativen Pole des Elementes zurück. Der andere Zweigstrom geht von dem positiven Pole aus und tritt in den auf einem metallischen Maßstabe gleitenden metallischen Schieber G und von diesem, dessen oberes Ende mit sanfter Reibung an demselben reibt, in den zu untersuchenden Draht, welcher zwischen den Säulen L und K ausgespannt ist. Von hier aus läuft der Strom durch den Draht KK', tritt bei a_1 in die anderen Windungen des Galvanometers, verläßt dieselben bei a_2 und kehrt über M zu dem negativen Pole des Elementes zurück.



Ist zwischen KL ein Draht eingeschaltet, so wird zunächst der Schieber GH auf den Nullpunkt der Teilung gestellt und der Rheostat so reguliert, daß die Nadel im Galvanometer nicht abgelenkt wird. Dann schaltet man durch Verrückung des Schiebers eine genau gemessene Länge des zu untersuchenden Drahtes ein, und bewirkt durch Regulierung des Rheostaten, daß die Nadel im Galvanometer wieder auf 0 kommt. Der Widerstand des eingeschalteten Drahtstückes ist dann genau gleich dem des in den andern Zweig eingeschalteten Rheostatdrahtes.

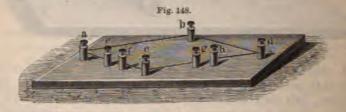
Indem man verschiedene Längen KH in den einen Zweig einschaltet, schält man mehrere sich gegenseitig kontrolierende Werte der Leitungsfähigkeit des untersuchten Drahtes, aus denen man, wenn sie nicht vollkommen übereinstimmen, das Mittel nimmt.

Die Methode ist einer großen Genauigkeit fähig, wenn man so verführt, daß man zu den eigentlichen Messungen den Strom nicht dauernd geschlossen läßt. Man stellt zunächst bei dauerndem Stromschluß annähernd ein, unterbricht den Strom und läßt die durch den andauernden Strom erwärmten Drähte wieder die Temperatur der Umgebung annehmen. Die Unterbrechung bewirkt man durch Herausziehen des zu dem Element Eführenden Drahte aus dem Näpfchen M. Man tupft darauf nur einen Moment den Draht in das Näpfchen. War die Kompensation vollständig erreicht, so bleibt die Nadel ganz ruhig, war das nicht der Fall, so erhält sie einen Stoß. Man schaltet dann bei geöffnetem Strom am Rheostaten je nach dem Sinne der Nadelablenkung ein Stück Draht ein oder

aus, oder verschiebt statt dessen den Schieber, bis bei erneutem Tupfen die Nadel unabgelenkt bleibt.

Die Voraussetzung der Methode in der angegebenen Form ist die, daß die beiden Windungen die Nadel des Galvanometers bei gleichen sie durchlaufenden Strömen um genau gleiche Winkel ablenken; man prüß das, indem man ein und denselben Strom durch die beiden Windungen so gehen läßt, wie bei den oben beschriebenen Versuchen, die Nadel darf dann keine Ablenkung erhalten. Wird sie abgelenkt, so muß man zunächst untersuchen, wie sich die Stromstärken verhalten, welche durch beide Windungen gehen müssen, damit die Nadel keine Ablenkung erhält. Die Widerstände in den beiden Zweigen, welche hergestellt werden müssen, damit die Nadel nicht abgelenkt wird, verhalten sich dann umgekehrt wie diese Stromstärken. Das gleiche Verhältnis gilt auch für die zu vergleichenden Widerstände¹).

Nur eines einfachen Galvanometers, oder nur eines empfindlichen Galvanoskopes bedarf die Methode von Wheatstone, welche in ihren mannigfachen Formen und der ihr im Laufe der letzten Jahrzehnte gegebenen Ausbildung die größte Genauigkeit zu erreichen gestattet. Wheatstone wendet eine Stromverzweigung mit einer Brücke an, die nach ihm benannte Brücke Fig. 148. Auf einem Brette sind 8 Klemmschrauben auf



gestellt, von denen vier, a, b, c, d an den Ecken eines Rhombus stehen. Die vier andern, e, f, g, h, stehen in zwei zusammenstoßenden Seiten dieses Rhombus, so daß ae = fc = cg = hd ist. Die Klemmschrauben a und b sowie b und d sind durch ganz genau gleiche Drähte von nicht zu kleinem Widerstande mit einander verbunden, so daß die Widerstände der beiden ganz genau gleich sind. Ebenso sind ae, fc, cg, hd durch genau gleiche Drähte verbunden, so daß die Widerstände ae + fc = cg + hd sind. Wird nun zwischen die Klemmschrauben b und c eine Brücke mit einem Galvanometer, zwischen e und f der zu untersuchende Draht, zwischen g und g der Rheostat eingeschaltet und werden die Klemmschrauben g und g der Rheostat eingeschaltet und werden die Klemmschrauben g und g der Rheostat eingeschaltet und werden die Klemmschrauben g und g der Rheostat eingeschaltet und werden die Klemmschrauben g und g der Rheostat eingeschaltet und werden die Klemmschrauben g und g der Rheostat eingeschaltet und werden die Klemmschrauben g und g der Rheostat eingeschaltet und werden die Klemmschrauben g und g der Rheostat eingeschaltet und werden die Klemmschrauben g und g der Rheostat eingeschaltet und werden die Klemmschrauben g und g befindlichen verhält, wie der Widerstand sich zu dem zwischen g und g befindlichen verhält, wie der Widerstand von g dem von g Denn setzen wir den Widerstand von g Denn setzen von g Denn setzen von g Denn setzen von g

Die neuern Differentialgalvanometer sind, wie wir sehen werden, so htet, daß man stets die Gleichheit der Wirkung beider Windungen auf herstellen kann.
 Vheatstone, Philosoph, Transactions for 1843. Poggend. Ann. Bd. LXII.

tand in $ab = w_1$, in $bd = w_2$, in $ac = w_3$, in $cd = w_4$, so erhielten wir 1 § 81 für die Stromstärke in der Brücke

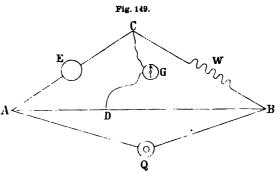
$$i = \frac{E}{D} (w_2 w_3 - w_1 w_4),$$

voin E die elektromotorische Kraft des Elementes und D ein von dem Viderstande des unverzweigten Teiles des Stromkreises sowie den Widertanden sämtlicher Zweige abhängiger Nenner war. Ist, wie wir voraussestzt haben, $w_1 = w_2$, und wird der Rheostat so abgeglichen, daß $w_1 = 0$, so folgt $w_2 = w_3$, oder der Widerstand des zu untersuchenden Tahtes ist gleich dem des eingeschalteten Rheostaten 1).

Man sieht unmittelbar, dass die Anwendung der Wheatstoneschen rücke nicht darauf beschränkt ist, $w_3 = w_4$ zu rechnen, dass man vieliehr, wenn w_1 in irgend einem Verhältnisse zu w_2 genommen wird, as i = 0 für w_3 und w_4 dasselbe Verhältnis bekommt.

Die Wheatstonesche Brücke wird jetzt wohl kaum mehr in ihrer rsprünglichen Form angewandt, es wird statt dessen wohl immer die ir von Kirchhoff²) gegebene Modifikation benutzt. Das Schema derselben sigt Fig. 149. Die Pole des Elementes Q sind mit den Enden eines

eraden, auf einem afsstabe ausgespannn Drahte, am besten nem feinen Platinrahte verbunden. In ie aus dickem Kupferraht bestehende, das nde A des als Meßraht bezeichneten Plandrahtes AB mit einer iehrfachen Klemme C
erbindende Leitung ist ei E der Etalon ein-



eschaltet, mit welchem die Widerstände verglichen werden sollen. Diese Viderstände werden in die Leitung eingeschaltet, welche die Klemme C it dem Ende B des Meßdrahtes verbindet. Die Klemme C ist mit dem inen Ende der Windungen eines empfindlichen Galvanometers verbunden, eren anderes Ende mit einem Schieber D verbunden ist, welcher den leßdraht leitend berührt und auf demselben beliebig verschoben werden ann. Wie man sieht, entspricht das Stück des Meßdrahtes AD dem Viderstand w_1 , das Stück DB dem Widerstand w_2 , der Widerstand in C ist gleich w_3 , der in CB gleich w_4 . Es muß somit der Schieber af dem Meßdrahte so weit verschoben werden, daß

$$w_1: w_2 = w_3: w_4,$$

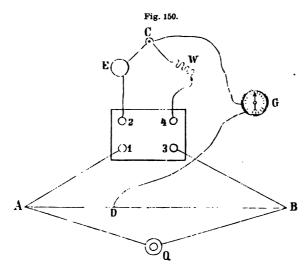
ımit der Strom in der Brücke gleich null wird. Setzen wir voraus, daß r Widerstand in den Drähten, welche den Etalon mit A und C, den

Svanbergs Anordnung, Poggend. Ann. Bd. LXXXIV, unterscheidet sich der Wheatstoneschen nur ganz unwesentlich. Man sehe S. 568.
 Kirchhoff, Poggend. Ann. Bd C. S. 177.

zu messenden Widerstand W mit B und C verbinden, vernachlässigt weden darf, was man immer durch Anwendung dicker Kupferdrähte erreichen kann, so wird $w_3 = E$, $w_4 = W$. Setzen wir den Meßdraht als gum gleichförmig voraus, setzen die Länge des ganzen Meßdrahtes AB = l und das Stück AD = u, so wird

$$E: W = a: l - a.$$

Um zu prüfen, ob der Messdraht ganz gleichsörmig ist, ob also in jedem Millimeter desselben der Widerstand der gleiche ist, vertauscht man die Widerstände E und W. Man kann das sehr leicht, indem man nach dem Schema Fig. 150 zwischen A und E einerseits und B und W andere-



seits einen Kommutator einschaltet. Mas kann den Kommutator in der einfachsten Weise herstellen, wem man in ein Brett vier Löcher bohrt und in diese Quecksilber fullt Das Ende A wird mit dem Näpfchen 1, das Ende B des Meßdrah tes mit dem Nüpfchen 3 verbunden, die 🗷 C führende, den Etalon E enthaltende Leitung wird mit 2, die Widerstand W enthaltende mit 4 verbunden. Man stelltsich zwei Paare Kupfer-

bügel her, deren jedes an einem isolierenden Stabe befestigt ist. Das erste Paar ist so gestellt, daßs wenn man die Enden der Bügel in die Quecksilbernäpichen taucht, 1 mit 2 und 3 mit 4 verbunden ist. Diese Verbindung giebt die Kombination, welche wir vorhin angenommen haben, E ist w_3 und W ist w_4 . Das zweite Paar Bügel kreuzt sich, selbstverständlich sind die Bügel von einander isoliert; beim Einsetzen wird 1 mit 4 und 2 mit 3 verbunden. Der Strom geht dann von Λ über 1 nach 4, durchläuft W und geht von C durch E über 2 und 3 nach B; es ist somit W in w_3 und E in w_4 gesetzt. Finden wir jetzt, daß der Strom in der Brücke gleich null ist, wenn der Schieber von Λ um die Strecke b verschoben ist, so ist

$$W: E = b: l - b.$$

Ist in der That der Draht durch seine ganze Länge gleichförmig. So muß

$$b = l - a \qquad a = l - b$$

oder

$$a + b = l$$

sein. Indem man verschiedene Widerstände W mit E vergleicht, erhält man verschiedene Werte von a und b, findet man stets die Relation a + b = l, so ist der Draht ganz gleichförmig.

Finden wir die Summe a+b nicht gleich l, so muß der Draht kalibriert werden. In der Regel sind die als Meßdrähte verwandten Drähte von Platin oder Neusilber auf die Länge des Meßdrahtes hinreichend homogen, so daß die Ungleichförmigkeit nur daher rührt, daß dieselben etwas konisch sind. Man wird dann annehmen können, daß der Widerstand des Stückes a sich darstellen läßt durch

$$w_1 = a(1 + \alpha a),$$

worin also der Widerstand des zwischen 0 und 1 der Skala liegenden Millimeters gleich 1 gesetzt wird. Den Widerstand des ganzen Drahtes erhalten wir dann $l(1+\alpha l)$ und des Stückes b gleich $b(1+\alpha b)$. Da aus den beiden Beobachtungen jedenfalls folgt, daß der Widerstand der Länge b gleich dem Widerstande der Strecke l-a ist, so folgt

$$a + \alpha a^2 + b + \alpha b^2 = l + \alpha l^2,$$

oder

$$\alpha = \frac{a+b-l}{l^2-a^2-b^2}.$$

Man prüft, ob sich der Widerstand des Drahtes in dieser Weise darstellen läßt, indem man mit dem Etalon verschiedene Widerstände W vergleicht und aus jeder Vergleichung den Wert α berechnet. Man muß dann stets denselben Wert von α oder vielmehr unregelmäßig schwankende nahezu gleiche Werte finden, aus denen man das Mittel nimmt. In der Regel wird die Bestimmung einer solchen Konstanten genügen; man erhält dann aus zwei wie vorhin durchgeführten Beobachtungen

$$\frac{W}{E} = \frac{b}{a} \frac{1 + \alpha b}{1 + \alpha a}.$$

Gentigt die eine Konstante a zur Darstellung des Widerstandes nicht, so muß man den Draht durch direkte Messungen kalibrieren. Es sind dazu verschiedene Methoden angegeben¹), sehr bequem ist die Methode von Braun²). Derselbe läßt durch den Meßdraht einen schwachen Strom gehen, der durch einen gleichzeitig in den Stromkreis eingeschalteten Rheostaten ganz konstant erhalten wird. Von dem Meßdraht wird mittels zwei in einer gewissen Entfernung von einander befindlichen Schneiden ein Strom abgezweigt, in dessen Stromkreis ein sehr empfindliches Galvanometer eingeschaltet ist. Der Widerstand in diesem Zweige muß ziemlich groß sein, damit der Übergangswiderstand von dem Drahte auf die Schneiden nicht in Betracht kommt. Ist der Draht ganz gleichförmig, so muß der Strom in dem Zweige immer genau gleich stark sein, wenn die Schneiden in stets gleichem Abstande auf die verschiedenen Stellen des Meßdrahtes gestellt werden, da auf dem Meßdraht, wenn er gleich-

¹⁾ Strouhal und Barus, Wiedem Ann. Bd. X. Giese, Wiedem Ann. Bd. XI (Methode von Helmholtz). Maggi Nature Bd. 3. Beiblätter zu den Annalen Bd. IV S. 61.

²⁾ Braun, Centralzeitung für Mechanik und Optik Bd. IV S. 134. Beiblätter zu den Annalen Bd. VII S. 776.

förmig ist, ein konstantes Gefälle vorhanden, somit die Potentialdifferen in Punkten, welche gleich weit von einander entfernt sind, die gleiche sein muß. Ist der Draht nicht gleichförmig, so ist bei konstant erhaltenem Abstande der Schneiden der Zweigstrom um so schwächer, je kleiner der Widerstand zwischen denselben ist. Durch Verschieben der einen Schneide, also Veränderung des Abstandes derselben kann ma somit an den verschiedenen Stellen des Drahtes die Strecken gleichen Widerstandes auffinden. Man verfährt daher zur Graduierung so, das man zuerst die eine Schneide bei dem Nullpunkte des Messdrahtes aufstellt und die zweite Schneide so weit entfernt, dass man einen schaf mefsbaren Strom in dem Zweige erhält. Man schiebt dann die beiden Schneiden ein kleines Stück auf dem Drahte voran, und verschiebt, wen die Stromstärke im Zweige sich geändert hat, die zweite Schneide so weit, gegen die erste, bis der Strom im Zweige wieder der frühere geworden ist. Dadurch hat man die Strecken gleichen Widerstandes an des verschiedenen Stellen des Drahtes erhalten, und kann sich eine Kalibrierungtabelle entwerfen oder den Widerstand der verschiedenen Längen durch eine Interpolationsformel darstellen.

Man kann bei dem Kirchhoff-Wheatstoneschen Verfahren, wie eine leichte Überlegung ergiebt, die Stellung des Galvanometers G Fig. 149 und Fig. 150 und des Elementes Q ohne weiteres mit einander vertauschen, indem ebensogut die Verbindung AQB als Brücke betrachtet werden kann, wie die Verbindung CGD. Es ist das die vorhin erwähnte kleine Modifikation, die Svanberg dem Wheatstoneschen Verfahren gegeben hat. Die letztere Anordnung bietet sogar einen Vorzug; man muß nämlich auch hier die Ströme stets nur eine ganz kurze Zeit durch die Lettungen gehen lassen, um störende Erwärmungen zu verhindern. Befindet sich das Element in G, so ist der Strom nur geschlossen, wenn der Schieber D den Meßdraht berührt, man kann somit durch Tupfen auf dem Meßdraht die Stelle aufsuchen, an welcher D den Draht berühren muß, damit i = 0 ist, ohne sonst an der ganzen Zusammenstellung irgend etwas ändern zu müssen.

Die Resultate werden bei den Messungen nach dieser Methode um so genauer, je länger der Meßdraht ist; man erkennt dies unmittelbar, wenn man aus den beiden Gleichungen

$$E: W = a: l - a$$
$$E: W = l - b: b$$

die ihnen gleiche dritte ableitet

$$E: W = l + (a - b): l - (a - b),$$

aus welcher sich ergiebt, dass bei gleichem Verhältnisse E:W die Differenz a-b in demselben Verhältnisse zu- oder abnehmen muß, wie l zu- oder abnimmt. Die Gleichung zeigt weiter, dass es bei Durchsthrung der Doppelbeobachtungen nur notwendig ist die Differenz a-b scharf zu messen, um das Verhältnis E:W zu erhalten.

Um daher Widerstände, die nicht zu sehr verschieden sind, mit größter Genauigkeit vergleichen zu können, hat Siemens eine von der Firma Siemens und Halske in Berlin zu beziehende Meßbrücke kon-

niert, deren Messdraht etwa 2 m lang ist, der aber nur in seiner te gerade und vor einem 0,75 m langen Massstab ausgespannt ist. f dem Massstabe ist ein Schlitten, der mit einem Nonius versehen und einer Mikrometerschraube einzustellen ist. Der Schlitten trägt einen - und nieder zu bewegenden feinen Draht senkrecht zum Messdraht pannt, der bei dem Niederlassen den Kontakt D Fig. 149 und 150 Brücke mit dem Messdraht bewirkt. In der Brücke CGD befindet 1 das Element, in der Brücke AQD das Galvanometer. Von den ikten A und B, bis zu denen der Melsdraht gerade ausgespannt ist, derselbe bis zu den Quecksilbernäpfchen 1 und 3 des Kommutators : 150 fortgesetzt. In diesem Falle lässt sich die Länge l nicht direkt ssen. Man kann sie indes durch Widerstandsmessungen erhalten. Am htesten geht das, wenn man einen Widerstand W anwendet, der iner oder größer als E und dessen Verhältnis zu dem Etalon bent ist, es bedarf dann nur einer scharfen Messung, um nach der zut abgeleiteten Gleichung den Wert von l zu erhalten.

Hat man keinen Widerstand W, dessen Verhältnis zum Etalon En kennt, so stellt man sich zwei genau gleiche Widerstände her, die iner sind als E, und deren Gleichheit man dadurch mit der Meßscke prüft, daß man genau die gleichen Werte von a-b=d findet. t man die Gleichheit erkannt und den Wert von d bestimmt, so vericht man die Summe der beiden Widerstände mit E. Die erste Verichung giebt

$$E: W = l + d: l - d,$$

zweite, bei welcher eine Verschiebung d_1 gemessen sei, welche, wenn $> \frac{1}{2} E$, negativ zu setzen ist, da dann b > a,

$$E: 2W = l - d_1: l + d_1.$$

18 beiden Gleichungen folgt

$$2 \frac{W}{E} = \frac{l + d_1}{l - d_1} = 2 \frac{l - d}{l + d},$$

raus sich die quadratische Gleichung ergiebt

$$l^2 - 3(d + d_1) l + dd_1 = 0.$$

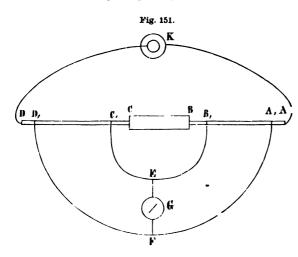
Kann man sich, was indes wohl immer möglich ist, nicht zwei eiche Widerstände herstellen, und hat nur zwei Widerstände W_1 und W_2 zu Gebote, so muß man das Verhältnis $W_1:E$, ferner $W_2:E$ und $W_1+W_2:E$ bestimmen. Die drei Beobachtungen führen zu einer eichung dritten Grades, die in die eben abgeleitete Gleichung zweiten ades übergeht, wenn $W_1:E=W_2:E$.

An der Wheatstoneschen Methode hat W. Thomson 1) eine kleine er äußerst wichtige Modifikation angebracht, durch welche selbst sehr ine Widerstände mit der größten Sicherheit und Genauigkeit gemessen rden können. Das einfache Brückenverfahren gestattet das nicht, da selbe nur die Widerstände der Zweige vergleicht, in denen sich die vergleichenden Widerstände befinden. Sie setzt deshalb voraus, daß

¹⁾ W. Thomson, Philosophical Magazin. 4. Series. vol. XXIV.

die Widerstände, welche sich sonst in den Zweigen befinden, verschwinden klein gegen die zu messenden Widerstände sind, oder wenn man nur zwei Widerstände auf ihre Gleichheit prüfen will, daß die sonst in den Zweigen vorhandenen Widerstände ebenfalls gleich sind. Beides lätt sich nicht so scharf erreichen, daß man bei Widerständen, welche nur 0,01 S. E. (Siemens Einheit) oder noch weniger betragen, annehme darf, daß das eine oder andere erreicht sei, schon wegen der mannichfachen Kontakte, welche vorkommen, in denen selbst bei aller Sorgfalt, wenn man sie durch Quecksilbernäpfehen macht, in welche dicke annagamierte Kupferdrähte tauchen, ein gewisser Übergangswiderstand vorkommen kann.

Die Modifikation von Thomson besteht darin, dass er in die Wheststonesche Drahtkombination noch eine Zweigleitung einschaltet, welche die Klemmen f und g Fig. 148 verbindet, und die Brücke zwischen diesem Zweige und der Klemme b einschaltet. Das Schema der Thomseschen Anordnung zeigt Fig. 151. Sei AB der Etalon, CD der B



messende Widerstand Dieselben werden durch einen kurzen Draht 🖼 einander verbunden, und den Stromkreis KADK eingeschaltet. Es werden dann an zwei Punkten des Etalons, A_1 und B_1 , zwischen denen der Widerstand genau bekannt ist, und welche so gelegen sind, dass der Widerstand A_1B_1 jedenfalls kleiner ist als der Widerstand CD, die Enden A_1 und B_1 der Zweige $B_1 EC_1$ und $A_1 F D_1$ ange klemmt. Das Ende ℓ_1

des ersten Zweiges wird an einem Punkte C_1 des zu untersuchenden Drahtes CD ebenfalls fest angeklemmt, während das Ende D_1 an einer auf CD verschiebbaren Klemme befestigt wird. Zwischen den Punkten E und F dieser beiden Zweige, welche so liegen, dass die Widerstände $EC_1 = EB_1$ und $FD_1 = FA_1$, wird die Brücke EF mit dem Galvandmeter G ausgespannt. Wird dann die Klemme D_1 so weit verschoben, dass in der Brücke EF der Strom verschwindet, so ist der Widerstand A_1 B_1 genau gleich dem von C_1 D_1 . Der Widerstand des Überganges in den Klemmen A_1 , B_1 , C_1 , D_1 kommt nur für die durch die Zweige fließenden Ströme in Betracht, da die Klemmen nur von diesen Zweigeströmen passiert werden; den Widerstand der Zweige kann man aber immer so groß machen, dass der Übergangswiderstand in den Klemmen dagegen jedenfalls verschwindet.

Um die Richtigkeit des diesem Verfahren zu Grunde liegenden Satze,

s, wenn die Brücke die Zweige halbiert, aus dem Verschwinden des omes in der Brücke die Gleichheit der Widerstände A_1 B_1 und C_1D_1 gt, nachzuweisen, gehen wir am bequemsten von den § 78 abgeleiteten zen über das Gefälle der Potentialfunktion aus. Damit nämlich der om in der Brücke verschwinde, muß die Potentialfunktion der Elektriti in den Punkten E und F, welche durch die Brücke verbunden rden, denselben Wert haben, da nach dem Ohmschen Gesetze die Stromrke in einem Leiter der Differenz der Potentialwerte am Ende desselben fach proportional ist.

Um die Werte der Potentialfunktion bei E und F zu berechnen, nden wir einfach die §. 78 abgeleiteten Gleichungen für den Gang: Potentialwerte an, da diese Gleichungen auch für die Zweige einer zweigten Stromleitung ihre Giltigkeit behalten. Man erkennt das unttelbar daraus, das in den sämtlichen Zweigen der Strom ebenso konnt sein muß, wie in dem unverzweigten Leiter, das somit auch in Zweigen das Gefülle konstant sein muß.

Bezeichnen wir die Potentialwerte an den verschiedenen Punkten Leiters mit den dort hingeschriebenen Buchstaben, und die Widernde in den einzelnen Stücken des Leiters

in
$$A_1 B_1$$
, $C_1 D_1$, $A_1 F$, $F D_1$, $B_1 E$, $E C_1$, $B_1 C_2$
mit R W w_2 w_3 w_4 w_5 w_1 ,

erhalten wir zunächst

$$F = A_1 - \frac{A_1 - D_1}{w_1 + w_2} \cdot w_2 = \frac{A_1 w_3 + D_1 w_2}{w_4 + w_3}$$

d ebenso

$$E = B_1 - \frac{B_1 - C_1}{w_4 + w_5} \cdot w_4.$$

Zur Bestimmung von B_1 und C_1 haben wir

$$B_{1} = A_{1} - \frac{A_{1} - D_{1}}{R + w_{1} + W} \cdot R = \frac{A_{1} (W + w_{1}) + D_{1} R}{R + w_{1} + W}$$

$$C_{1} = A_{1} - \frac{A_{1} - D_{1}}{R + w_{1} + W} (R + w_{1}) = \frac{A_{1} W + D_{1} (R + w_{1})}{R + w_{1} + W} \cdot \frac{A_{1} W + D_{2} (R + w_{1})}{R + w_{1} + W}$$

Aus den beiden letzten Gleichungen ergiebt sich

$$E = \frac{A_1 (W + w_1) + D_1 R}{R + w_1 + W} - \frac{(A_1 - D_1) w_1}{R + w_1 + W} \cdot \frac{w_4}{w_4 + w_5}$$

Die Bedingung, dass in der Brücke der Strom verschwinde, ist, wie wähnt, die Gleichheit der Potentialwerte E und F oder

$$\frac{A_1 \ w_3 + D_1 \ w_2}{w_2 + w_3} = \frac{A_1 \ (W + w_1) + D_1 \ R}{R + w_1 + W} - \frac{(A_1 - D_1) \ w_1}{R + w_1 + W} \cdot \frac{w_4}{w_4 + w_5}$$

Aus dieser Gleichheit der Potentialwerte, also aus dem Verschwinden Stromes, ergiebt sich aber nach einigen leicht durchzuführenden Rechagen

$$-D_1$$
) { $Ww_2(w_4+w_5)-Rw_3(w_4+w_5)+w_1(w_5w_2-w_4w_8)$

Da nun die Differenz der Potentialwerte A_1 und D_1 nicht gleich \emptyset sein kann, so folgt weiter

$$Ww_2(w_4 + w_5) - Rw_3(w_4 + w_5) + w_1(w_5 w_2 - w_4 w_3) = 0$$

und daraus

$$W = R \frac{w_3}{w_2} - \frac{w_1}{w_2} \frac{w_2}{w_4} \frac{w_2 - w_4}{w_4 + w_5} \cdot$$

Ist nun, wie vorausgesetzt wurde,

$$w_2 = w_3, \ w_4 = w_5,$$

so ist das zweite Glied der Gleichung auf der rechten Seite gleich mil und es folgt

$$W = R$$
.

Setzen wir in der Gleichung für W den Widerstand w_1 gleich mit lassen wir also B_1 und C_1 zusammenfallen, so erhalten wir die einfack. Wheatstonesche Brücke.

Die Thomsonsche Methode gestattet gleichzeitig nicht nur dem Belon R gleiche Widerstände abzugleichen, sondern auch Widerstände bestimmen, welche in einem beliebigen Verhältnisse zu R stehen. Method dazu nur nötig, die Verhältnisse

$$\frac{w_3}{w_2} = \frac{w_5}{w_4}$$

dem gesuchten Verhältnisse gleich zu machen. Ist $w_3 = n w_2$, $w_5 = n w_4$ so folgt aus dem Verschwinden des Stromes auch, daß

$$W = nR$$
.

Will man nicht auf CD das Stück aufsuchen, dessen Widerstand gleich R oder gleich nR ist, sondern einen gegebenen Widerstand mit dem Etalon vergleichen, so muß man den Widerstand in den Zweigen veränderlich machen. Man wählt am besten die Widerstände so, das $A_1F = B_1E$ und $FD_1 = EC_1$ und bringt in die Zweige A_1F und B_1E je einen Rheostaten. Mit Hilfe der Rheostaten verändert man dann der Widerstand in diesen beiden Zweigen so lange, bis der Strom in der Brücke verschwindet.

Nimmt man noch einen dritten Rheostaten in dem Zweige FD_1 oder EC_1 hinzu, so kann man die Widerstände W und R mit große Schärfe vergleichen, ohne selbst die Widerstände in den einzelnen Zweige zu kennen.

Man stellt zunächst die Widerstände in den Zweigen so her, das der Strom in der Brücke verschwindet. Darauf schaltet man etwa in Zweige A_1F einen Widerstand r mittels des Rheostaten ein; um den Strom in der Brücke wieder gleich null zu machen, muß in dem Zweig FD_1 ein Widerstand r_1 eingeschaltet werden, das Verhältnis von W is R ist dann

$$\frac{W}{R} = \frac{r_1}{r}$$
.

Denn da bei der ersten Einstellung

$$\frac{w_3}{w_2} = \frac{w_b}{w_4};$$

ch der zweiten Einstellung

$$\frac{w_3+r_1}{w_2+r}=\frac{w_5}{w_4},$$

ist auch

$$\frac{w_s}{w_{\bullet}} = \frac{r_1}{r} = \frac{W}{R}.$$

Kirchhoff¹) verfällrt etwas anders als Thomson zur Messung sehr siner Widerstände, er benutzt ein Differentialgalvanometer. Die Enden , B_1 des Etalons Fig. 151 werden mit der einen, die Enden C_1 , D_1 s zu untersuchenden Widerstandes mit der andern Windung des Diffeatialgalvanometers verbunden, so dass die Ströme in den beiden Winngen die Nadel nach entgegengesetzten Richtungen ablenken. In beiden reigen befindet sich ein Rheostat. Mit Hilfe derselben werden die iderstände beider Zweige so abgeglichen, dass die Nadel des Differendgalvanometers nicht abgelenkt wird. Wir setzen voraus, dass zu dem vecke in beiden Windungen genau gleiche Ströme vorhanden sein müssen. er Widerstand im Zweige, der den Etalon R mit dem Galvanometer rbindet, sei W_1 , im Zweige, der die Enden des zu untersuchenden iderstandes mit dem Galvanometer verbindet, sei W_2 . Die Stromstärke ı unverzweigten Teile des Stromkreises sei J, die Stromstärke in der ilvanometerwindung, welche mit dem Etalon verbunden, ist J_R , in jener, elche mit dem Widerstande W verbunden, ist J_W , die Stromstärke im talon i_R im Widerstande W gleich i_W , so ist nach den Kirchhoffschen Sätzen

$$J = J_R + i_R \qquad J = J_W + i_W$$
$$J_R W_1 = i_R R \qquad J_W W_2 = i_W W.$$

Aus $J_R = J_W$ folgt $i_R = i_W$, demnach liefern die beiden letzten leichungen

$$\frac{W_1}{W_2} = \frac{R}{W}$$

Man schaltet, nachdem die Widerstände so abgeglichen sind, in den weig W_1 einen Widerstand r_1 ein, dann muß in dem Zweig W_2 ein ⁷iderstand r_2 eingeschaltet werden, damit die Nadel nicht abgelenkt wird. 8 ist dann

$$\frac{W_1 + r_1}{W_2 + r_2} = \frac{R}{W} = \frac{r_1}{r_2}.$$

Die zu vergleichenden Widerstände verhalten sich somit wie die einschalteten Stücke r_1 und r_2 . Da man bei Einschaltung der Stücke r_1 d r2 die Stromkreise ganz ungeändert lässt, sind die Übergangswiderinde an den Stellen, wo die Ströme abgezweigt werden, ganz eliminiert, dieselben bei der zweiten Messung ganz genau ebenso in W_1 und W_2 thalten sind wie bei der ersten²).

¹⁾ Kirchhoff, Berichte der Berl. Akad. 1880. S. 601; Kirchhoff und Hanse-

mn, Wiedem. Ann. Bd. XIII. S. 411.

2) Eine etwas andere Anordnung zur Vergleichung zweier sehr rakeiderstände, seien sie groß oder klein, sehe man F. Kohlrausch, T

Die zuletzt beschriebenen Methoden der Widerstandsbestimmungen lassen eine sehr große Genauigkeit erreichen, dieselbe ist eigentlich nur bedingt durch die Empfindlichkeit der Galvanometer. Selbstverständlich wird bei all diesen Methoden für die schließliche Messung nur ein kun dauernder Stromschluß angewandt, um Erwärmungen der Leitungen durch längeren Stromschluß zu hindern. Wendet man die später zu beschreiben den Spiegelgalvanometer an, bei denen man die geringste Zuckung der Nadel beobachten kann, so lassen sich besonders mit den letzten Methoder selbst kleine Widerstände bis auf 0,0001 ihres Wertes mit einander ver gleichen 1).

S. 86.

Leitungsfähigkeit fester Körper. Die festen Körper lassen sid wie in Bezug auf die Leitungsfähigkeit für die Reibungselektricität, sauch in Bezug auf den galvanischen Strom in zwei Gruppen teilen, it die Leiter, welche den Strom mehr oder weniger gut leiten, und in die Nichtleiter, oder wie wir sie richtiger nennen, die schlechten Leiter, welche den Strom nur sehr wenig leiten, so daß man sie in den meisten Fäller als Nichtleiter betrachten kann. Dabei zeigt sich, daß ganz dieselber Körper, welche die Reibungselektricität leiten, auch den galvanischen Strom leiten, daß ebenso die im vorigen Abschnitt als Nichtleiter ange führten Körper auch für den galvanischen Strom als solche anzusehe sind 3). Außer den Metallen leiten die Elektricität Graphit, Kohle, jedomicht die reine Zuckerkohle 3), einige Schwefelmetalle und einige Super oxyde, wie Bleisuperoxyd.

Wir besprechen hier hauptsächlich nur das Verhalten der Metallund Legierungen, und können auch in Bezug darauf nur die aus der massenhaften Material zu ziehenden wichtigsten Resultate angeben Folgende Tabelle enthält eine Anzahl von Bestimmungen der Leitungsfähigkeit mehrerer Metalle, einiger Legierungen und einiger Kohlen. Di Leitungsfähigkeit des bestleitenden Metalles, des Silbers, ist in diese Tabellen gleich 100 gesetzt. Die Zahlen Matthiessens sind indes auch umgerechnet auf die Leitungsfähigkeit des Quecksilbers als Einheit. It der Kolumne Matthiessen II. sind die so berechneten Werte angegeben Hinzugefügt sind in der letzten Kolumne die Leitungsfähigkeiten, wie sis sich aus den Versuchen von Riess über die Erwärmung des Schliefsungsbogens bei der Entladung der Leydener Batterie ergeben (§. 64).

Eine Vergleichung der bei den verschiedenen Methoden der Widerstandbestimmungen erreichbaren Genauigkeit giebt W. Weber in seiner Abhandlung Zur Galvanometrie. Abhandl. der Göttinger Gesellschaft der Wissenschalter Bd. X.

Faraday, Experimental researches etc. IV. Reihe art. 380 ff. Poggend Ann. Bd. XXXI.

³⁾ Magnus, Poggend. Ann. Bd. CIV S. 557.

⁴⁾ Betreffs der großen Menge Detailuntersuchungen über den Widersland verschiedensten festen Körper verweisen wir auf Wiedemanns Elektricitäls-Bd. I. S. 497—559 und Bd. IV. (Nachträge) S. 1223—1236, wo die bis 2000 ie des Jahres 1884 veröffentlichten Untersuchungen berücksichtigt sind.

Tabelle der Leitungsfähigkeit der Metalle.

Silber = 100 bei 0°.

	1		В	eobachter		
Namen der Metalle	Ohm 1)	Lenz²)	Ed. Becque- rel ³)	Mat- thiessen ') I.	Mat- thiessen II.	Riefs
ilber	100	100	100	100	61,35	100
upfer	280	73,4	91,51	77,43	47,50	66,7
old	161	58,6	64,96	55,91	34,30	59,0
atrium	-	-		37,43	22,96	-
luminium	-	-	111	33,76	20,71	-
ink	93	See !	24,06	27,39	16,80	-
agnesium	-	1-	-	25,47	15,63	-
alcium	11 2011	110-11	1100	22,14	13,58	-
admium	-	1-	24,57	22,10	13,56	25,7
alium	-	11-11	1 -34	20,84	12,79	-
thium	-	1000	-	19,00	11,66	-
isen	48,8	13,1	12,35	14,44	8,86	11,9
illadium	-	11-	13,97	12,64	7,75	12,2
un en en elemente en entre	47	22,6	14,01	11,45	7,02	9,9
atin	48	10,3	7,93	10,53	6,46	10,3
lei	27	10,7	8,27	7,77	4,77	7,0
rontium	-	177	100	6,71	4,12	LIE
ntimon	-	6,5	100	4,29	2,63	10-
necksilber	115	3,4	1,73	1,63	1,00	1
lismut	-	1,9	(time)	1,19	0,730	-
eusilber	100	770	1000 U	7,67	4,71	5,9
eg. v. 32 Wism. 1 Antim.	1- 10	-	epime)	0,884	0,542	110
eg. v. 12 Wism, 1 Zinn	-	C-EW	1 - 1	0,519	0,318	-
mphit	-	1	1-12	0,0693	0,0425	+-
askohle	(CON)	-	1000	0,0386	0,0237	11-

Die in der vorigen Tabelle zusammengestellten, nach den verschielenen Methoden erhaltenen Zahlenwerte stimmen mit Ausnahme der von

Ihm gegebenen Werte ziemlich gut überein.

Die Abweichung der Ohmschen Werte ist indes in der Wirklichkeit heht so grofs, als sie in der Tabelle erscheint, da Ohm nicht als Eineit den von ihm untersuchten Silberdraht, sondern Kupfer zu Grunde egt. Ohms Silberdraht war offenbar kein reines Silber, denn sonst hätte r die Leitungsfähigkeit des Silbers nicht als fast ein Drittel des Kupfers Inden müssen. Die bedeutende Abweichung der in der Tabelle befindichen Zahlen rührt daher, dass die von Ohm direkt gegebenen Zahlen

¹⁾ Ohm, Schweiggers Journal Bd. XLVI.

²⁾ Lenz, Poggend. Ann. Bd. XXXIV und Bd. XLV.

³⁾ Ed. Berquerel, Ann. de chim. et de phys. 3. Série T. XVII.
4) Matthiessen, Poggend. Ann. Bd. C, CIII, CIX, CX.

auf Silber als Einheit umgerechnet wurden und dabei Ohms Silber als Einheit genommen ist. Um die Ohmschen Zahlen mit den anderen vergleichbar zu machen, hätte man für die Zahl 100, welche Ohm den Kupfer beilegt, die aus den anderen Beobachtungen sich ergebende Mittelzahl für Kupfer auf Silber gleich 100 gesetzt annehmen und hierand die Ohmschen Zahlen umrechnen müssen.

Vergleicht man die Mittelwerte der von den übrigen Beobachten gefundenen Werte zunächst mit den Werten, welche sich aus Riess' Untersuchungen über die Wärmewirkungen des Entladungsschlages ergeben, sind die reciproken Werte der Verzögerungskraft, so ergiebt sich, daß die von Riess für die Verzögerungskräfte der Metalle gefundenen Werte den Leitungswiderständen für den galvanischen Strom gleich sind, und darze, daß die Leitungsfühigkeit der Metalle für den galvanischen Strom dieselbe ist, wie für Reibungselektricität.

Die Unterschiede zwischen den einzelnen von den verschiedenen Beobachtern erhaltenen Zahlen sind indes viel zu groß, als daß man se aus den unvermeidlichen Beobachtungsfehlern erklären könnte.

Die Unterschiede rühren zum Teil her von geringen fremden Bemischungen bei den Metallen. Oft können Spuren eines anderen Ketalles oder einer Beimischung die elektrische Leitungsfähigkeit ganz bedeutend verändern, wie Matthiessen beim Kupfer nachgewiesen hat1). Er giebt bei dieser Untersuchung die Leitungsfähigkeit des durchaus reim Kupfers, abweichend von dem in der Tabelle angeführten bei 18° zu 93,08° Schon die geringe Menge Sauerstoff, welche das Kupfer, wenn & an der Luft geschmolzen ist, unter Bildung von Oxydul absorbiert, welches in dem Kupfer sich löst, verändert, wie die Hämmerbarkeit, so auch die elektrische Leitungsfähigkeit ganz bedeutend. Reines, aber an der Luft geschmolzenes Kupfer gab eine Leitungsfähigkeit von nur 69,37. Kupfer, welches 0,05 Prozent Kohle enthielt, gab 74,91, mit 0,13 Prozent Phosphor 67,67, mit geringer Menge Arsen 57,8. Spuren von Zink brachten die Leitungsfähigkeit des Kupfers auf 83, ein halbes Prozent Eisen auf Ja selbst eine geringe Menge des besser leitenden Silbers verminderte die Leitungsfähigkeit des Kupfers.

Ähnliches, wenn auch nicht in so hohem Maße, wird auch bei den anderen Metallen stattfinden; Matthiessen hat über das Verhalten von Legierungen ausgedehnte Untersuchungen angestellt²), welche das mit einigen Ausnahmen bestätigen. Er findet, daß man die Metalle in zwei Gruppen teilen muß. Die Legirungen aus Metallen der einen Gruppe ündern die Leitungsfähigkeit der Metalle nicht, die Leitungsfähigkeit läßet sich aus dem Volumen jedes in der Legierung vorhandenen Metalle berechnen, in der Weise, daß wenn v_1 und v_2 die angewandten Volumina der Metalle, c_1 und c_2 die Leitungsfühigkeiten derselben sind, die Leitungsfähigkeit c der Legierung ist

$$c = \frac{v_1 c_1 + v_2 c_2}{v_1 + v_2}$$

Zu dieser Gruppe gehören Blei, Zinn, Kadmium, Zink.

1) Matthiessen, Poggend. Ann. Bd. CX.

²⁾ Matthiessen, Poggend. Ann. Bd. CX. und C. Vogt, Poggend. Ann. Bd. CXXV.

Eine geringe Beimengung eines dieser Metalle zu einem anderen derlben Gruppe wird daher die Leitungsfähigkeit nur wenig von jener des inen Metalles verschieden ausfallen lassen.

Die zweite Gruppe besteht aus jenen Metallen, welche mit einander ler mit solchen der ersten Gruppe legiert, die Elektricität schlechter iten, als jene Rechnung ergiebt; zu ihr gehören Wismut, Antimon, latin, Palladium, Eisen, Aluminium, Gold, Kupfer. Bei diesen kann also ne geringe Beimengung eine erhebliche Veränderung zur Folge haben, as Matthiessens Versuche auch beweisen.

Ein sehr eigentümliches Verhalten zeigt das Quecksilber, da genge Mengen fremder Metalle die Leitungsfähigkeit desselben größer achen, als die in oben angegebener Weise angestellte Rechnung ergiebt, ährend größere Mengen fremder Metalle es in die zweite Gruppe stellen, ie Leitungsfähigkeit also verschlechtern. Ganz geringe Beimengungen ndern den Widerstand des Quecksilbers nicht merklich. So fand R. Lenz¹) is dem Quecksilber 0,01 Proz. Blei hinzugefügt wurde, wodurch es ganz rheblich verunreinigt schien, den Widerstand ganz ungeändert. Für das ach den verschiedenen gebräuchlichen Methoden gereinigte Quecksilber and Lenz immer denselben Widerstand.

Die Leitungsfähigkeit der Metalle hängt indes nicht lediglich von irer chemischen Reinheit, sondern auch wesentlich von ihrer physikaischen Beschaffenheit ab.

Spannung, Härte und Dichtigkeit ändert die Leitungsfähigkeit ab; erstärkte Spannung scheint nach Versuchen von Mousson²) die Leitungsbingkeit allgemein zu vermindern, Vergrößerung der Dichtigkeit sie bald u vermehren, bald zu vermindern. Die Leitungsfähigkeit des Eisens ist ämlich um so kleiner, zu je dünnerem Drahte es ausgezogen ist, während he Leitungsfähigkeit des Kupfers um so größer wird. Ein gehärteter stahldraht leitet schlechter als ein nicht gehärteter; wird derselbe angelassen, so nimmt die Leitungsfähigkeit wieder zu; die Leitungsfähigkeit des Kupfers wird durch Härten ebenfalls, aber auch durch Anlassen zermindert.

Die Leitungsfähigkeit hartgezogener Drähte wird nach Mousson und Pouillet³) durch Ausglühen vermindert bei Stahl und Kupfer, nach Edm. Becquerel⁴) dagegen bei Silber, Kupfer, Gold, Eisen, Platin vermehrt. Nach Becquerel ist

Leitungsfähigkeit von

	hartgez.	geglüht
Silber	93,448	100,000
Kupfer	89,048	91,439
Gold	64,385	65,454
Eisen	12,124	12,246
Platin	8,042	8,147

¹⁾ R. Lenz, Beiblätter Bd. VIII S. 593.

²⁾ Mousson, Wiedemann Galvanismus Bd. 1 §. 207. 2. Aufl. 3) Pouillet, Wiedemann Galvanismus Bd. 1 §. 207. 2. Aufl.

⁹ Ed. Becquerel, Poggend. Ann. Bd. LXX.

Nach den Versuchen von Siemens1) und von Matthiessen2) is geglühte Kupfer ebenfalls besser leitend als das hartgezogene.

Ganz erheblich ist die Vermehrung des Widerstandes durch H beim Stahl, ich erhielt bei einem weichen Stahl für die Temperatu den Widerstand gleich 0,1197, dagegen bei gehärtetem, als Feder bezeichneten den Widerstand 0,1632.

Von bedeutendem Einflus auf die Leitungsfähigkeit ist nach Versuchen von Lenz³), Becquerel⁴), Arndtsen⁵), Matthiessen⁶), Müll Wesel7) u. a. die Temperatur der Metalle; sie nimmt mit steig Temperatur stetig ab. Nach den Versuchen von Lenz läßt sich Leitungsfähigkeit c eines Metalles bei der Temperatur t, wenn man jenige desselben Metalles bei 0° mit co bezeichnet, darstellen durc Formel

$$c = c_0 (1 - at + bt^2),$$

worin a und b Konstanten sind, welche für jedes Metall einen vers denen Wert haben.

Becquerel und Arndtsen dagegen finden, dass sich die Leitungs keit darstellen lässt durch

$$c = c_0 (1 - at),$$

dass also die Abnahme derselben der Temperaturzunahme proportiona Der Koefficient a hat nach Becquerel für jedes Metall einen an Wert, er schwankt zwischen 0,004349 für Blei und 0,00104 für Q silber. Arndtsen findet dagegen für a Werte, welche alle zwischen 0,0 und 0,00413 liegen, so dass er am Schlusse seiner Abhandlung die mutung ausspricht, es möchte der Koefficient für alle Metalle wohl selbe sein, wenn man absolut reine Metalle anwenden könnte.

Die Vermutung ist in der That durch die Versuche Matthiessen stätigt worden, welcher für 10 von ihm untersuchte Metalle die Fo findet:

$$\epsilon = c_0 (1 - 0.0037674 t + 0.00000834 t^2).$$

In folgender Tabelle stellen wir die von Matthiessen für chen reine Metalle angegebenen Werte von co und die Koefficienten a v sowie b von t2 zusammen

Metall	c_0	a	ь
Silber hart Silber weich	100 108,57	0,0038287	0,000009848
Kupfer hart ,, weich	99,95 102,21	0,0038701	0,000009009

¹⁾ Siemens, Poggend. Ann. Bd. CX.

Matthiessen, Poggend. Ann. Bd. CXXII. Bd. CXXV.
 Lenz, Poggend. Ann. Bd. XXXIV und Bd. XLV.

⁴⁾ Ed. Becquerel, Poggend. Ann. Bd. LXX. 5) Arndtsen, Poggend. Ann. Bd. CIV. 6) Matthiessen, Poggend. Ann. Bd.CXV. Matthiessen und C. Vogt, Pogget un. Bd. CXXII.

⁷⁾ Müller in Wesel, Poggend. Ann. Bd. CIII.

Metall	c_0	a	ъ.
Gold hart weich	77,96 79,33	0,0036745	0,000008443
Zink	29,02	0,0037047	0,000008274
Kadmium	23,72	0,0036871	0,000007575
Zinn	12,36	0,0036029	0,000006136
Blei	8,32	0,0038756	0,000009146
Arsen	4,76	0,0038996	0,000008879
Antimon	4,62	0,0039826	0,000010364
Wismut	1,245	0,0035216	0,000005728.

Die Zahlen weichen nicht mehr vom Mittel ab als die in den einen Reihen für dieselben Metalle direkt gefundenen Werte. Für Queckrist die Änderung der Leitungsfähigkeit mit der Temperatur eine blich kleinere, es sind

$$c_0 = 1,6588$$
 $a = 0,00074435$ $b = 0,000000826$.

Bei den Legierungen ist die Abnahme der Leitungsfähigkeit mit ender Temperatur vielfach eine kleinere als für die reinen Metalle, lenjenigen Legierungen indes, deren Leitungsfähigkeit sich in der vorangegebenen Weise aus derjenigen der Bestandteile berechnen läßt, int die Abnahme die gleiche zu sein.

Die Formel Matthiessens gilt indes nicht für höhere Temperaturen, nach derselben würde die Leitungsfähigkeit bei 226° ein Minimum und von da ab zunehmen, so dass sie bei 452° wieder gleich derzen bei Null Grad wäre.

Nach den Versuchen von Müller in Wesel, Benoist¹), C. W. Siemens²) nimmt dagegen die Leitungsfähigkeit mit steigender Temperatur g ab. So erhält Müller für einen Eisendraht, Kupferdraht, Platint folgende Widerstände

Eisendraht		Kupfere	draht	Platin	draht
Temper.	Widerst.	Temper.	Widerst.	Temper.	Widerst.
210	690	210	864	210	1985,5
285	1660	glüht eben	2100	glüht eben	4300
ginnt anzulaufen	2250	karmoisin	2450	rot	4700
cichm, dunkelgrau	2460	ziegelrot	3330	hellrot	5050
glüht schwach	3058	hellrot	4700	orange	5400
" dunkelrot	3200	21^{0}	910	hellgelb	6000
" hellrot	3650			210	1984
" ganz hellrot	4550				
n noch heller	4880				
210	727				

Es zeigt sich somit eine stetige Zunahme des Widerstandes, also

Abnahme der Leitungsfähigkeit mit steigender Temperatur.

Aus den von Wiedemann und Franz gefundenen Zahlen für die

¹⁾ Benoist, Comptes Rendus Bd. LXXVI. p. 342. Carls Repert. Rd. IX. 2) C. W. Siemens, Proceedings of the Royal Society London. Bd. XIX.

Leitungsfähigkeit der Metalle für Wärme¹) ergab sich, wenn man die selben auf die des Silbers gleich 100 bezieht, und dasselbe für die elektrische Leitungsfähigkeit der Metalle thut, dass beide Leitungsfähigkeiten durch dieselben Zahlen dargestellt werden. In folgender Zusammenstellung sind für die von Wiedemann und Franz untersuchten Metalle die beiden Leitungsfähigkeiten, die elektrischen aus der Tabelle S. 575 nach Mathiessen zusammengestellt.

Metalle	Wärme	Elektr.	Metalle	Wärme	Elektr.
Silber	100	100	Zinn 1	4,5-15,2	11,45
Kupfer	73,6	77,4	Platin	8,4	10,5
Gold	53,2	55,9	Blei	8,5	7,8
Aluminium	28,1	27,4	Wismut	1,8	1,2
Eisen	11,9	14,4		•	

Die von uns im dritten Bande ebenfalls angeführten Versuche von Neumann zeigen das gleiche. Neumann erhielt für die Wärmeleitungsfähigkeit k und die elektrische /, für letztere Silber als 1 gesetzt, folgende Werte:

	Kupfer	Messing	Zink	Neusilber	Eisen
k.	1,108	0,302	0,307	0,109	0,163
ı	0,736	0,179	0,211	0,645	0,102
k 1	1,50	1,68	1,45	1,72	1,60

F.Weber kam bei seinen Versuchen über die Wärmeleitungsfähigkeit der Metalle und die elektrische Leitungsfähigkeit zu andern Resultaten, was findet, dass das Verhältnis $\frac{k}{l}$ mit der von ihm sogenannten specifischen Wärme der Volumeinheit abnehme²). Folgende Tabelle enthält die Besultate Fr. Webers, unter k die Leitungsfähigkeit für Wärme (Bd. III. S. 306), unter l die mit 10⁴ multiplizierte elektrische Leitungsfähigkeit in später zu besprechendem absoluten Maße gemessen, ferner das Verhältnis beider und schließlich unter δc die specifische Wärme der Volumeinheit. Die letzte Kolumne giebt das Verhältnis beider Leitungsfähigkeite berechnet nach der Gleichung

	$\frac{k}{10^{-1}l} =$	= 0,0880 -	+ 0,1365 δ	·:	
Metalle	k	104 2	$\frac{k}{10^4 l}$	δc	$\frac{k}{10^4 l}$ ber.
Kupfer	0,8190	4,081	0,2007	0,827	0,2002
Messing	0,1500	0,762	0,1968	0,791	0,1953
Zink	0,3056	1,743	0,1753	0,662	0,1777
Silber	1,0960	6,587	0,1664	0,573	0,1656
Kadmium	0,2213	1,461	0,1515	0,475	0,1523
Zinn	0,1446	1,034	0,1398	0,380	0,1394
Blei	0,0716	0,532	0,1345	0,340	0,1339
Wismut	0,0108	0,084	0,1289	0,293	0,1275
Quecksilber	0,0152	0,105	0,1452	0,441	0,1475.

¹⁾ Man sehe Bd. III. §. 35.

²⁾ Fr. Weber, Monataber. der Berliner Akad. Mai 1880.

ich das Quecksilber reiht sich, wie man sieht, ganz ein; die letzte lumne zeigt in der That eine merkwürdige Übereinstimmung zwischen obschtung und Bechnung.

Auch Kirchhoff und Hansemann¹), sowie Lorenz²) haben bei ihren 3. Bande besprochenen Untersuchungen über die Wärmeleitungsfähigkeit 3 elektrische Leitungsfähigkeit der Metalle untersucht. Die Resultate zer Physiker widersprechen denen Webers durchaus, sie finden den Satz r Proportionalität zwischen Leitungsfähigkeit für Wärme und Elektritat bestätigt. Kirchhoff und Hansemann finden bei 15° für

	Eisen I	II	III	Blei	Zinn	Zink	Kupfer
k	0,1418	0,0964	0,1637	0,0793	0,1446	0,2545	0,4152
4 l	0,6803	0,4060	0,6569	0,4569	0,8823	1,483	2,404
-7	0,208	0,237	•0,209	0,174	0,164	0,172	0,173.

r für Eisen findet sich ein größerer Wert; die Zahlen zeigen auch ne Andeutung des von Weber vermuteten Zusammenhanges zwischen beiden Leitungsfähigkeiten und den specifischen Wärmen der Volumheit.

Lorenz giebt folgende Tabelle für die Leitungsfähigkeiten k und l 0° und 10° und deren Verhältnisse:

Metalle	k_{o}	k, 00	10470	104 1,00	$m{k_o}$ $m{l_o}$	$\frac{k_{100}}{l_{100}}:\frac{k_0}{l_0}$
pfer	0,7191	0,7226	4,574	3,382	1574	1,358
gnesium	0,3760	0,3760	2,447	1,750	1537	1,398
ıminium	0,3435	0,3619	2,246	1,731	1529	1,367
ssing rot	0,2460	0,2827	1,575	1,331	1562	1,360
lmium	0,2200	0,2045	1,441	1,018	1527	1,315
ssing gelb	0,2041	0,2540	1,262	1,100	1617	1,428
en	0,1665	0,1627	1,037	0,663	1605	1,530
n	0,1528	0,1423	0,935	0,652	1635	1,334
i	0,0836	0,0764	0,514	0,360	1627	1,304
asilber	0,0700	0,0887	0,377	0,363	1858	1,314
timon	0,0442	0,0396	0,220	0,152	2010	1,294
smut	0,0177	0,0164	0,093	0,063	1900	1,372.

hmen wir die drei letzten Metalle aus, so ergiebt sich in der That; Verhältnis der beiden Leitungsfähigkeiten konstant; bei Antimon und smut können die Leitungsfähigkeiten indes sehr leicht durch das kryllinische Gefüge alteriert werden.

Interessant ist die letzte Kolumne, welche mit Ausnahme des Eisens gt, dass das Verhültnis

$$\frac{k_{100}}{l_{100}} = \frac{k_0}{l_0} \cdot 1,35 = \frac{k_0}{l_0} (1 + 0,0035 t)$$

Mittel ist. Der Koefficient 0,0035 ist so nahe gleich dem Ausdehugskoefficienten der Gase, dass man in der That zu dem Schlusse ge-

Kirchhoff und Hansemann, Wiedem. Ann. Bd. XIII.
 Lorens, Wiedem. Ann. Bd. XIII.

langt, das Verhältnis zwischen den beiden Leitungsfähigkeiten der absoluten Temperatur proportional sei. Auf weitere Folgerungen diess Satzes, welche Lorenz zieht, kommen wir später zurück.

In Bezug auf die Änderung des Widerstandes mit der Temperatur verhält sich die Kohle entgegengesetzt wie die Metalle, der Widerstad nimmt nach den Versuchen von Matthiessen¹), Siemens²), Beetz³) u. 1 mit steigender Temperatur erheblich ab; die gefundenen Zahlen für die Abnahme schwanken indes sehr, nach Siemens ist der Koefficient der Abnahme für Steinkohle pro Grad 0,000345, nach Beetz 0,000286, ftr Holzkohle und Graphit findet Borgmann⁴) einen 10 mal so großen Wert's

§. 87.

Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten. Die Bestimmung der Leitungfähigkeit der Flüssigkeiten hat im allgemeinen mit einer Schwierigkeit a kämpfen, welche darin begründet ist, dass die Flüssigkeiten durch des Strom zersetzt werden und dass die an den Elektroden sich absetzenden gasförmigen Zersetzungsprodukte eine elektromotorische Kraft, die sognannte Polarisation zur Folge haben, welche der den Strom erregerde entgegengesetzt gerichtet ist und so die Stromstärke vermindert. Mas kann deshalb nicht einfach, wie bei der Bestimmung des Widerstands der festen Körper, die zu untersuchende Flüssigkeit an Stelle des Drahts einschalten, der sie ersetzen soll, da der Strom nicht allein durch den Widerstand der Flüssigkeit, sondern auch durch die eben erwähnte elektremotorische Kraft geschwächt wird.

Durch einen sehr einfachen, von Horsford⁶) angewandten Kunstgrif kann man indes den störenden Einfluss dieser elektromotorischen Knft leicht eliminieren und den Widerstand einer Flüssigkeit direkt mit dem eines Drahtes vergleichen. Man schaltet zu dem Ende in den Stromkreis außer einem Galvanometer zugleich einen Rheostaten und ein mit der Flüssigkeit gefülltes Gefüß ein, in welchem die Elektroden einander parallel verschiebbar sind, und beobachtet am Galvanometer die Stromstärken, wem die Elektrodenplatten eine gewisse Strecke von einander entfernt sind Man beobachtet einen Strom, dessen Stärke von dem Gesamtwiderstande des Schliefsungskreises und von der Differenz der elektromotorischen Kräfte in der Batterie und an den Elektroden in der zu untersuchenden Flüssigkeit abhängig ist. Man entfernt darauf die Elektroden in der Flüssigkeit um eine bestimmte Größe weiter von einander; infolge des größeren Widerstandes wird die Stromstärke kleiner; man schaltet in dem Rhee staten eine solche Drahtlänge aus, dass die Stromstärke wieder die früher.

¹⁾ Matthiessen, Poggend Ann. Bd. CIII.

²⁾ Siemens, Berliner Monatsber. Jahrg. 1880. Wiedem. Ann. Bd. X.
3) Beetz, Poggend. Ann. Bd. CXI. Wiedem. Ann. Bd. XII.
4) Borgmann, Journal der russischen phys.-chem. Gesellschaft Bd. IX.
Beiblätter zu den Annalen Bd. III. S. 288.

⁵⁾ Betreffs der eigentümlichen Erscheinungen, welche Selen und Tellur bieten, bei denen eine ganz erhebliche Zunahme der Leitungefähigkeit durch Belichtung eintritt, sehe man die Zusammenstellung der Untersuchungen in Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. I. S. 543 ff.

⁶⁾ Horsford, Poggend. Ann. Bd. LXX.

find Dann ist jedenfalls der Widerstand des ausgeschalteten Drahtes leich dem Widerstande jener Flüssigkeitsschicht, welche jetzt mehr zwihen den Elektroden ist, als bei dem ersten Versuche. Denn wenn auch ie elektromotorische Kraft an den in die Flüssigkeit tauchenden Platten blängig ist von der Stromstärke, so muß sie doch jetzt genau dieselbe ein, wie bei dem ersten Versuche, da die Stromstärke jetzt wieder dieelbe ist. Da also die im Stromkreise vorhandene elektromotorische Kraft er früheren gleich ist, so muß auch der Gesamtwiderstand der Leitung erselbe sein, es ist also der Widerstand des ausgeschalteten Drahtes

leich dem der weiter eingeschalteten Flüssigkeit.

Horsford benutzte bei seinen Versuchen einen viereckigen Trog von olz, 30 cm lang, 7,5 cm breit und ebenso tief, der im Innern dick mit chellackfirnis überzogen war. Auf demselben lagen zwei Brettstücke, von men das eine festsafs, das andere verschiebbar war; dieselben trugen e in die Flüssigkeit tauchenden Platten, deren Größe gleich dem Querhnitt des Kastens war. Die Platten waren an Kupferstreifen geklemmt, elche mit den übrigen Teilen des Stromkreises verbunden waren. Bei m ersten Versuche wurden die Platten 2,5 cm von einander entfernt, e Stromstärke beobachtet und dann in der vorhin angegebenen Weise afahren, indem die Platten 5, 10, 15 . . . cm von einander entfernt wurn und die Vergrößerung des Widerstandes durch Verkürzung des einschalteten Rheostatdrahtes aufgehoben wurde.

Nach derselben Methode oder einer nur wenig davon verschiedenen nd später von Schmidt¹) und Wiedemann²) Messungen angestellt worden.

Die Methode von Ed. Becquerel3) beruht auf demselben Princip. Er haltete in beide Zweige eines durch ein Differentialgalvanometer gehen-80 Stromes Säulen der zu untersuchenden Flüssigkeiten ein, in den einen weig ausserdem ein Rheochord. In dem einen Zweige war der Abstand r Elektroden in der Flüssigkeit konstant, in dem andern konnte er verleinert werden. Um die Stromstärke in beiden Zweigen wieder gleich machen, wurde eine solche Länge des Rheostatdrahtes eingeschaltet, is die Ablenkung der Galvanometernadel wieder aufgehoben wurde. Der iderstand des eingeschalteten Drahtes ist dem der ausgeschalteten Flüsgkeit gleich.

Eine andere Untersuchungsmethode ist von Becker4) angewandt orden. Derselbe bestimmte zunächst durch Einschaltung zweier Drahtngen des im Stromkreis eingeschalteten Rheostaten von bekanntem Widerande w_1 und w_2 den Widerstand W des übrigen Schließungskreises, also wesentlichen Widerstand. Ist J_1 und J_2 die in beiden Fällen beobhtete Stromstärke, so ist

$$J_1 = \frac{E}{W + w_1}; \quad J_2 = \frac{E}{W + w_2}; \quad W = \frac{w_2 \, J_2 - w_1 \, J_1}{J_1 - J_2}.$$

1) Schmidt, Poggend. Ann. Bd. CVII.

2) Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. XCIX. S. 229 und Elektricitätslehre

31 Becquerel, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XVII. Poggend. n. Bd. LXX.

4) Becker, Liebigs Annalen. Bd. LXXIII u. LXXV.

Darauf wurde die zu untersuchende Flüssigkeit in den Stromkreis gebracht, ohne sonst an dem Stromkreise etwas zu ändern, und duck Ausschalten zweier Längen l_1 und l_2 des Rheostatdrahtes der Strom wieder auf die Stärke J_1 und J_2 gebracht. Bezeichnen wir die an den Elektroden in der Flüssigkeit auftretende elektromotorische Kraft mit e, den Widerstand der Flüssigkeit mit r, so ist jetzt

$$J_1 = \frac{E-e}{W+r-l_1}, \quad J_2 = \frac{E-e}{W+r-l_2},$$

woraus sich r unmittelbar ergiebt.

Die Methode ist jedoch nicht einwurfsfrei, da sie die Voraussetung macht, daß e, also die Größe der Polarisation, von J unabhängig sei, eine Voraussetzung, welche, wie wir später zeigen werden, unrichtig ist Deshalb sind nur jene Resultate über die Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten annehmbar, welche bei konstanter Stromstärke, also nach einem dem Horsfordschen ähnlichen Verfahren erhalten sind.

Sehr geeignet ist auch, wie Sirks 1) hervorgehoben hat, die Methode von Bosscha zur Bestimmung der Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten; die zu untersuchende Flüssigkeit wird in dem Zweige bdca Fig. 146 eingeschaltet, in welchem bei den Beobachtungen immer dieselbe Stromstärte i_1 , somit auch bei Anwendung derselben Flüssigkeit immer dieselbe Polarisation hergestellt wird.

Man füllt die Flüssigkeit in einen dem Horsfordschen ähnlichen Treg und macht folgende vier Beobachtungen:

1) Man schaltet in den Zweig die Flüssigkeit ihrer ganzen Länge nach ein. Sei der Widerstand derselben r und sei, wenn das Galvanometer die Stromstärke im Zweige bdca zu i_1 angiebt, die in ba beobachtete Stromstärke i. Ist w der Widerstand in ba, w_1 der Widerstand in bdca außer der Flüssigkeit und p die dem primären Strome entgegengesetzt gerichtete Kraft der Polarisation, so ist nach dem zweiten der Kirchhoffschen Sätze

$$i_1(w_1+r)-iw=-p$$
 (1)

2) Man schaltet in den Zweig irgend einen Teil der Flüssigkeitsschicht ein, deren Widerstand $\frac{1}{n} \cdot r$ sei. Ist dann im Stromkreise ba die Stromstärke i', so ist

$$i_1\left(w_1+\frac{1}{n}r\right)-i'w=-p$$
 (3)

3) Man schaltet aufserdem einen bekannten Widerstand, etwa einen Draht ein, dessen Widerstand gleich l sei. Ist die beobachtete Stromstärke im Zweige bu gleich i'', so ist

$$i_1\left(w_1+\frac{1}{n}\ r+l\right)-i''w=-p$$
 . . . (3)

4) Man schaltet in den Zweig b dea den andern Teil des flüssigen

¹⁾ Sirks, Poggend. Ann. Bd. CXXXVII.

Leiters ein, dessen Widerstand $\left(1-\frac{1}{n}\right)$ ist. Beobachtet man im Zweige ba die Stromstärke i''', so ist

$$i_1\left(w_1+\left(1-\frac{1}{n}\right)r\right)-i'''w=-p$$
 . . . (4)

Die vier Gleichungen gestatten die vier Größen $p,\ w,\ w_1,\ i_1$ zu eliminieren und geben

$$r = \frac{2i - i' - i'''}{i'' - i'}l$$

und gleichzeitig

$$\left(1 - \frac{1}{n}\right)r = \frac{i - i'}{i'' - i'} \cdot l$$

$$\frac{1}{n}r = \frac{i - i'''}{i'' - i'} \cdot l.$$

Kennt man den Wert von n, hat also genau bestimmt, welchen Bruchteil der Flüssigkeit man einschaltet, so genügen die drei ersten Beobachtungen, die vierte liefert aber eine dreifache Bestimmung des gesuchten Wertes von r.

Nach diesen Methoden ist die Leistungsfähigkeit oder der Leitungswiderstand einer Anzahl von Flüssigkeiten bestimmt worden. Wir lassen einige Angaben auf Seite 586 folgen. Becquerel giebt die Leitungsfähigkeit, jene des Silbers gleich 100000000 gesetzt, Horsford den Widerstand, jenen des Neusilbers an dem von ihm benutzten Rheostaten gleich 1 gesetzt. Um diese Zahlen mit anderen vergleichen zu können, giebt er an, das der Widerstand dieses Neusilbers auf chemisch reines Silber bezogen gleich 12,4014 sei, was mit den Angaben von Matthiessen nahe übereinstimmt. Wiedemann setzt den Widerstand des Platins gleich 1.

Die Temperaturen, bei welchen diese Widerstände bestimmt sind, liegen zwischen 150-200 C.

Es ergiebt sich aus diesen Messungen, daß die Widerstände in den Flüssigkeiten gegen diejenigen der Metalle im allgemeinen sehr groß sind. Der Widerstand in wässerigen Lösungen hängt ab von dem Salzgehalte der Lösung, und zwar wird er im allgemeinen kleiner, wenn der Salzgehalt zunimmt. Daraus ergiebt sich, daß die Leitungsfähigkeit des Wassers sehr klein sein muß. Noch mehr folgt das aus der Angabe Becquerels, daß bei sehr verdünnten Lösungen der Widerstand in demselben Verhältnisse abnimmt, wie der Salzgehalt zunimmt.

Ein sehr eigentümliches Verhalten zeigt nach Horsford und Wiedemann die verdünnte Schwefelsäure; bei dieser nimmt der Widerstand mit dem Gehalte an Schwefelsäure bis zu einem Minimum ab, welches bei einer Säure vom specifischen Gewicht 1,30 erreicht wird. Konzentriertere Sturen zeigen wieder einen stärkeren Widerstand, und einfaches Schwefelsäurehydrat leitet fast gar nicht.

Auf die Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten ist nach den Versuchen von Hankel¹), Wiedemann und Becker die Temperatur von Einfluß, und

¹⁾ Hankel, Poggend. Ann. Bd. LXIX.

Horsford Namen der Flüesigkeiten	Wider- stand.	Beoquerel Leitt Namen der Flüssigkeiten fähi	Leitungs- fähigkeit	Wiedemann Namen der Flüssigkeiten	Wider- stand
Schwefelsäure 1,10 spec. Gewicht	75673	Kupfervitriollösung gesättigt	5,42	Lösung von Kupfervitriol	
1,15	67770	• •	31,52	in 1000 ccm Wasser	
,, 1,20 ,,	56180	pfer	•	enthaltend:	
,, 1,24 ,, ,,	56180	. ' •.	8,99 3	$31,17 \text{ gr } CuSO_1 + 5H_2O \dots$	7805
,, 1,30 ,, ,,	56180	ösung gesättigt	-	62,34	4202
,, 1,40 ,, ,,	82520	pan	_	77,92 ,, ,,	3514
Kupfervitriollösung in 100 ccm			88,68 9	3,51 ,, ,, ,, ,,	3178000
15,093 gr Salz	972320	Salpetersäure, käufliche 9		124,68 ,, ,,	2567
in 100 ccm 7,547 gr Salz	1410200		15	155,85 ,, ,, ,, ,,	2181
Kochsalzlösung in 500 ccm Wasser			18	3	1936
27,6 gr Salz	577100			Schwefelsäure	
in desgl. 21,3 gr	769460		e	enthaltend in 100 ccm Wasser:	
2fache Verdünnung der letzten				3 37 gr SO,	. 499
Lösung	1488200			5,9 ,, ,,	. 283500
4fache Verdünnung	2750560	-		11,42 ,, ,,	. 147
Chlorkaliumlösung in 500 ccm			ıo	22,82 ,, ,,	88
Wasser 27,6 gr Salz	578000		4	45,84 ,, ,,	. 79
2fach verdünnt	1103700		7	74,82 ,, ,,	. 108
4 fach verdünnt	2006500		. 9	92,26 ,, ,,	. 151
			12	124,04 ,, ,,	. 322
			18	183,96 ,, ,,	. 508

war in entgegengesetzter Weise als bei den Metallen; die Leitungsfähigeit nimmt mit steigender Temperatur zu.

Wiedemann findet z. B. für die Kupfervitriollösung

87,02	gr	Salz	in	1000	cem	Wasser	bei	20,20	C.					1907000
tr	27	- 11	77	-99	22	17	22	26,2	22		-	4	-	1715000
99	27	77	19	22	99	11	77	37,5	2)		60	10		1419000
93	22	17	17	22	22	23	12	51,5	77	1		4	-20	1163000
15	11	17	22	12	77	"	11	60	22		91			1047000
11	53	11	91	-11	7.	1)	33	75,6	77			14	21	894000.

Bei einer Temperaturerhöhung von 55° nahm also der Widerstand m mehr als die Hälfte ab.

Auf eine Schwierigkeit bei der Bestimmung der Widerstände in Flüssigiten, selbst wenn man die Versuche bei konstanten Strömen, also koninter Polarisation anstellt, hat Beetz1) aufmerksam gemacht, und diebe bei seinen Versuchen über die Widerstände in Zinkvitriollösungen rmieden. Beim Durchgange des Stromes durch Flüssigkeiten bedecken h entweder die Elektroden mit Gas oder es tritt ein Abscheiden der lösten Bestandteile an den Elektroden ein, und gleichzeitig ändert sich Flüssigkeit, wie wir im nächsten Kapitel nachweisen werden, in der the der Elektroden. Dadurch ist es möglich und selbst wahrscheinlich, is beim Übertritt des Stromes aus den Elektroden in die Flüssigkeit Widerstand des Überganges eintritt, der mit der Dauer des Stromes h andert, da mit der Dauer des Stromes die Verhältnisse in der Nähe r Elektroden sich ändern. Beetz hat daher ein Verfahren angewandt, i welchem eine solche Anderung nicht eintreten konnte, indem er kurz uernde und dazu noch abwechselnd gerichtete Ströme benutzte, um zuchst für eine Flüssigkeit, nämlich Lösungen von Zinkvitriol, die Leitungsderstände mit einer ähnlichen Genauigkeit, wie für feste Körper zu bemmen.

Für Lösungen von Zinkvitriol hat nämlich E. Du Bois Reymond geigt, daß, wenn man in dieselben den Strom durch Elektroden von amalmiertem Zink eintreten läßt, durchaus keine Polarisation eintritt. Man ann deshalb eine mit Zinkvitriollösung gefüllte und mit amalgamierten inkplatten geschlossene Röhre gerade so in den Stromkreis einschalten ie einen Metalldraht, ohne dass durch Einschalten derselben in dem tromkreise eine neue elektromotorische Kraft auftritt. Infolgedessen inn man den Widerstand dieser Flüssigkeit in einer Wheatstoneschen rticke direkt mit demjenigen eines Metalldrahtes vergleichen, und da an bei diesem Verfahren den Strom immer nur momentan geschlossen halten braucht, um zu konstatieren, dass in der Brücke die Stromtensität gleich null ist, so treten in der Nähe der Elektroden auch ine Anderungen ein, welche einen Widerstand des Überganges bedingen. amit indes der letztere gar nicht eintrete, ist es nach den Beobachtungen Beetz erforderlich, dass man gut ausgekochte und dadurch von aller aft befreite Flüssigkeit anwende, da sonst die Elektroden einen Teil

¹⁾ Beets, Poggend, Ann. Bd. CXVII.

der absorbierten Luft an ihrer Ohersläche verdichten, und dam der diese kondensierte Luftschicht ein Übergangswiderstand eintritt.

Indem wir wegen der Einzelheiten der Versuche auf die Origina arbeit von Beetz verweisen, stellen wir in folgender Tabelle einige de von Beetz gefundenen Zahlen zusammen. Als Einheit der Leitungsfähligkeit nimmt Beetz jene des Quecksilbers.

Gehalt an $ZnSO_4$ in 100	Leitungsfähigkeit bei 20° C.		Zunahme der Leitungsfähig-	
gr. Wasser	beobachtet	berechnet	keit für 1° C.	
7,73	0,000002387	0,000002315	0,000000541	
13,48	3417	3408	791	
24,39	4502	4502	1074	
30,99	4640	4651	1216	
36,83	4540	4541	1267	
47,25	4016	4030	1319	
53,94	3582	3585	1313	

Auch hier zeigt sich also bei einer bestimmten Konzentration e Maximum der Leitungsfähigkeit, so daß sich schon daraus ergiebt, de die Annahme Becquerels, daß die Leitungsfähigkeit einer Lösung de Salzgehalte proportional sei, nur innerhalb sehr enger Grenzen gültig i Die Abhängigkeit der Leitungsfähigkeit vom Salzgehalt bei der Tempratur 20° läßt sich nach Beetz darstellen durch die Gleichung

$$l = a + bp - cp^2 + dp^3,$$

worin p die Menge Salz auf 100 Wasser bedeutet, und die Konstant die Werte haben

$$a = 0.000000124$$
 $c = 0.000000007874$ $b = 0.00000003413$) $d = 0.00000000005079$.

Die hiernach berechneten Werte sind in der dritten Kolumne (Tabelle angegeben.

Beetz fand bei seinen Versuchen es bestätigt, dass die Leitur fähigkeit mit der Temperatur wächst, und zwar zeigte sich, dass im halb des Intervalles von etwa 25° bis 45° die Zunahme der Tempera proportional war. Die Zunahme hängt, wie die letzte Kolumne ob Tabelle zeigt, von dem Salzgehalte ab, sie läst sich für jeden (Temperaturzuwachs in dieser Abhängigkeit darstellen durch die Gleich

$$z = A + Bp - Cp^2,$$

worin

$$A = 0,00000003209$$
 $B = 0,00000000040364$ $C = 0,00000000004073$.

Auf andere Flüssigkeiten hat Beetz seine Versuche noch nicht gedehnt. Eine von ihm vorgeschlagene Methode werden wir im let Kapitel kennen lernen.

¹⁾ Kohlrausch, Wiedem. Ann. Bd. Vl. S. 30.

alzow hat die Unpolarisierbarkeit der amalgamierten Zinkplatten in riollösungen zu Messungen von Widerständen in Flüssigkeiten in eise benutzt, dass er die Zuleitungsdrähte des Stromes in Gefässe kvitriollösung führte, und die Gefässe dann durch die zu unterle Flüssigkeit in Verbindung brachte¹). Es wurden zu dem Zwecke eite Glasgefässe mit einer konzentrierten Lösung von Zinkvitriol und in dieselben möglichst große Elektroden von amalgamiertem ineingesetzt. Auf diese Elektroden kamen poröse Thonzellen zu welche durch ein Heberrohr verbunden wurden. Thonzellen und ohr waren mit der zu untersuchenden Flüssigkeit gefüllt.

e Zinkelektroden des Apparates wurden mit den Zuleitungsdrähten ien Zweiges einer Wheatstoneschen Brücke verbunden, während andern Zweige ein Normaletalon von 0,1 bis 50000 Siemensschen en befand, und der Widerstand des Apparates in gewohnter Weisent.

wurde dann rasch das Heberrohr durch ein zweites kürzeres erind der Widerstand wieder bestimmt; die Differenz beider Bengen gab den Widerstand einer Flüssigkeitssäule von bestimmter und bestimmtem Querschnitt. Zur Kontrolle wurde noch ein drittes, kürzeres Heberrohr angewandt.

n sofort den Widerstand der Flüssigkeiten auf Quecksilber als erhalten zu können, waren vorher dieselben drei Heberrohre mit ilber gefüllt und auf ihren Widerstand untersucht. Dividierte man ferenz der Widerstände des ersten und zweiten Rohres, wenn es end einer Flüssigkeit gefüllt war, durch die Differenz, die sich lung derselben beiden Rohre mit Quecksilber ergeben hatte, so gab otient direkt den Widerstand der Flüssigkeit bezogen auf Queck-Der Quotient aus denselben Differenzen des ersten oder zweiten s dritten Rohres gab eine Kontrolle der gefundenen Zahlen.

e von Paalzow auf diese Weise gefundenen Zahlen sind folgende.

	Widerstand im Vergleich mit Quecksilber
hwefelsäu	ire
15° C.	96950
19°	14157 \ Winiman
22^{0}	13310 Minimum
220	184773
Zinkvitrio	·
230	194400
23^{0}	191000 — Minimum
23^{0}	354000
u pfervitri	ol
220	202410
220	339341
	ratur hwefelsäu 15° C. 19° 22° 22° Zinkvitrio 23° 23° upfervitri 22°

Paalzow, Poggend. Ann. Bd. CXXXVI.

Zusammensetzung der Flüssigkeiten	Tempe- ratur	Widerstand im Vergleich mit Quecksilber
Schwei	elsaure M	agnesia
$MgSO_4 + 34 H_2 O$	220	199180
$MgSO_4 + 107 H_2 O$	220	323600
	Salzsäure	
HCl + 15 H2 0	230	13626
HCl + 500 H, 0	230	86697

Paalzow untersuchte ferner Gemische verschiedener Flüssigkeiten; betreffs deren Widerstände sollte man entweder vermuten, dass derselbe das arithmetische Mittel zwischen den Widerständen der einzelnen Flüssigkeiten ist, oder dass sich der Strom zwischen den beiden Flüssigkeiten nach dem Ohmschen Gesetze teilt. Wird eine Röhre von der Länge lund dem Querschnitt q mit gleichen Volumen zweier Flüssigkeiten von dem specifischen Widerstande k_1 und k_2 gefüllt, so würde nach dem Ohmschen Gesetze der durch jede Flüssigkeit fließende Teil des Stromes sein

$$c_1 = \frac{E}{k_1 \frac{2l}{q}} \qquad c_2 = \frac{E}{k_2 \frac{2l}{q}},$$

somit die Stromstärke sein

$$J = c_1 + c_2 = \frac{E}{2\frac{l}{q}} \left(\frac{1}{k_1} + \frac{1}{k_2} \right)$$

oder der Widerstand einer solchen Röhre wäre

$$W=2\,\frac{l}{q}\cdot\frac{k_1\;k_2}{k_1+k_2}\cdot$$

Es zeigte sich indes, dass die Widerstände der Gemische weder mit der einen noch der andern Voraussetzung übereinstimmten, wie folgende Zahlen zeigen.

Gemische aus	k_1 und k_2	$\frac{k_1 + k_2}{2}$	$2\frac{k_1 \cdot k_2}{k_1 + k_2}$	beobachtete Widerstände
$Zn SO_4 + 50 H_2 O$ $Cu SO_4 + 50 H_2 O$	232600 213832	223216	222840	193920
$\begin{array}{c} Zn SO_4 + 50 H_2 O \\ H_2 SO_4 + 50 H_2 O \end{array}$	232600° 25775	129187	46300	64800
$\begin{array}{c} Cu\ SO_4 + 50\ H_2\ O \\ H_2\ SO_4 + 50\ H_2\ O \end{array}$	213832 25775	119803	45900	63460
$Cu SO_4 + 23 H_2 O$ $n SO_4 + 55 H_2 O$	194400 225254	209827	208700	192430

Wie man sieht, ist der beobachtete Widerstand immer kleiner als s arithmetische Mittel, zuweilen auch kleiner als der nach dem Ohmben Gesetze berechnete. Allgemeine Resultate lassen sich sonst aus esen Versuchen nicht ziehen; eine Übereinstimmung zwischen der elekischen Leitungsfähigkeit und der für Wärme zeigt sich nach den Verichen Paalzows1) ebenfalls nicht. Denn ordnen wir die Flüssigkeiten sch diesen beiden Leitungsfähigkeiten, so ist die Reihenfolge derselben ne ganz verschiedene

Leitong für Wärme	Leitung für Elektricität		
Quecksilber	Quecksilber		
Wasser	Schwefelsäure		
Kupfervitriol	Kochsalzlösung		
Schwefelsäure	Zinkvitriol		
Zinkvitriol	Kupfervitriol		
Kochsalzlösung	Wasser.		

Unsere Kenntnisse von der elektrischen Leitungsfähigkeit der Flüssigeten sind wesentlich erweitert durch die Versuche, welche F. Kohlrausch als in Verbindung mit Nippoldt2), teils in Verbindung mit Grotrian3) nd allein 1) ausgeführt hat.

Die bei diesen Versuchen angewandte Methode unterscheidet sich m den früheren wesentlich dadurch, daß statt konstanter Ströme altererende benutzt wurden, welche in sehr rascher Folge durch die Flüssigit hindurchgesandt wurden. Derartige hin und hergehende Ströme er-It man, wie wir im letzten Kapitel zeigen werden, wenn man in einer chen aus Kupferdraht gewundenen Spirale einen Magnet um eine einem urchmesser der Spiralwindungen parallele Axe in rasche Rotation vertzt. Die dann entstehenden Induktionsströme sind an Stärke einander nau gleich; aber bei jeder ganzen Umdrehung des Magnets durchlaufen die Spirale, und damit den zwischen deren Enden eingeschalteten tomkreis einmal in dem einen, dann aber im entgegengesetzten Sinne. gartige rasch wechselnde Ströme kann man natürlich mit einem Galvanoeter nicht messen, da sie in rascher Folge die Magnetnadel einmal in m einen, dann aber in dem entgegengesetzten Sinne ablenken würden, dafs die entgegengesetzten Impulse auf die Nadel sich gegenseitig theben. Man kann sie indes messen durch das im nächsten Abschnitte schriebene Elektrodynamometer, indem man die Ströme nach einander uch die feste und die bewegliche Rolle des Dynamometers hindurchbrt. Die Ablenkung der beweglichen Rolle ist nämlich, wie wir dort chweisen werden, immer dieselbe, wenn der Strom in der festen und en Rolle gleichgerichtet ist, einerlei welche Richtung er besitzt; nur

¹⁾ Paalzow, Poggend. Ann. Bd. CXXXVI. Man sehe im 3. Bande §, 37.
2) Kohlrausch und Nippoldt, Poggend. Ann. Bd. CXXXVIII.
3) Kohlrausch und Grotrian, Nachrichten der Königl. Societät der Wissenstein zu Göttingen 1874. Poggend. Ann. Bd. CLI. Bd. CLIV.
4) F. Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. CLIX. Wiedem. Ann. Bd. VI. Bd. XI. letzterer Abhandlung giebt Kohlrausch eine detaillierte Beschreibung seiner thode in der zuletzt ihr gegebenen Form.

dann geht die Ablenkung in die entgegengesetzte über, wenn der Stonseine Richtung in der einen der beiden Rollen ändert, in der anden dagegen die gleiche Richtung behält.

Wenn man solche Ströme unter Anwendung von großen und noch dazu platinierten Elektroden von Platin durch Flüssigkeiten hindurchgeben läßt, so tritt gar keine Polarisation der Elektroden auf. Kohlrausch und Grotrian wandten deshalb bei ihren Versuchen Platinbleche von je 25 qua Größe an, welche mit einem Überzuge von Platinschwarz überzogen waren. Den Nachweis, daße bei dieser Anordnung in der That keine Polarisation vorhanden war, lieferten Kohlrausch und Grotrian dadurch, daße sie zeigten, daße man für den Widerstand der Flüssigkeit ganz denselben Wert fand, welche Intensität man auch den Induktionsströmen gab, und daße man für Zinkvitriollösungen denselben Wert fand, einerlei ob man platinierte Platinelektroden oder unpolarisierbare amalgamierte Zinkelektroden, wie es Beetz that, benutzte. Daß die erstere Beobachtung daßt ein Beweis ist, daße keine Polarisation eintrat, wird im nächsten Kapitel bewiesen, wo wir zeigen werden, daße bei schwachen Strömen die Polarisation von der Strömstärke abhängig ist.

Nachdem auf diese Weise gezeigt war, das bei dieser Anordnung flüssige Leiter ganz wie metallische behandelt werden konnten, konnte man also auch die Leitungsfühigkeit derselben wie diejenige der Metalle untersuchen.

Kohlrausch und Grotrian wandten die Beobachtungsmethode mit der Wheatstoneschen Brücke an. Der von dem Induktionsapparate herkommende Strom durchflos zuerst die feste Rolle des Elektrodynamometers und wurde dann wie bei der Wheatstoneschen Brücke verzweigt Der eine Zweig enthielt die zu untersuchende Flüssigkeit, der andere einen nach Quecksilbereinheiten graduierten Rheostaten; nach Durchlaufen der Zweige kehrte dann der Strom zu dem Induktionsapparate zurück. In die Brücke der Verzweigung war die lose Rolle des Dynamometers eingeschaltet. War der Widerstand der Flüssigkeiten jenem des eingeschalteten Rheostaten gleich, so musste der Strom in der beweglichen Rolle des Dynamometers gleich null sein, dieselbe durfte keine Ablenkung erhalten; war der Widerstand in der Flüssigkeit größer als im Rheostat, so durchliefen die Ströme die bewegliche Rolle in dem einen, war der Widerstand im Rheostaten der größere, in dem andem Sinne, während der Sinn der Ströme in der festen Rolle immer derselbe blieb. Die Ablenkung der beweglichen Rolle war also in dem einen Falle die entgegengesetzte als in dem ändern. Man konnte deshalb gerade 🥺 wie bei Anwendung konstanter Ströme die Widerstände genau abgleichen!

Dafs in der That bei diesem Verfahren keine merkliche Polarisation vorhanden war, dafür mögen nur folgende Zahlen angeführt werden. Der Widerstand einer Zinkvitriollösung von etwa Maximalleitungsvermögen wurde einmal mit konstantem Strom zwischen amalgamierten und nach der Vorschrift von Beetz frisch in Zinklösung abgekochten Zinkelektroden.

¹⁾ Bei Anwendung der Brückenmethode kann man nach Kohlrausch als ein noch empfindlicheres Erkennungsmittel, dass der Strom in der Brücke verschwindet, das Telephon anwenden. Kohlrausch, Wiedem. Ann. Bd. XI.

lann zwischen denselben und schliesslich zwischen platinierten Elektroden talternierenden Strömen etwa 150 in der Sekunde untersucht. Es zab sich bei der Temperatur 160

bei Zink- und konst. Strom der Widerstand gleich 537,49 elektroden , alternierenden Strömen , 537,41 Platinelektroden , 537,20

rte, welche so genau übereinstimmen, dass die größten Unterschiede ch eine Schwankung der Temperatur um 0°,05 C. erklärt werden.

Nach dem Verfahren von F. Kohlrausch sind in den letzten Jahren gedehnte Versuchsreihen von verschiedenen Experimentatoren durchthrt worden, so von Grotrian¹), von Long²), von R. Lenz³), welcher ungen der auch in Alkohol löslichen Salze in Wasser und Alkohol ersucht hat, von Pfeiffer⁴), W. Kohlrausch⁵), Stephan⁶) u. a.

Bouty⁷) hat zu seinen ausgedehnten Versuchen über die Leitung in dünnten Lösungen die am Schlusse des §. 84 erwähnte Methode bezt, er maß die Differenz der Werte der Potentialfunktion an den len Enden einer langen mit der zu untersuchenden Lösung gefüllten en Röhre, welche ähnlich wie bei der Methode von Paalzow in den omkreis eingefügt war. Da an den zum Elektrometer führenden Drähten e Zersetzung der Flüssigkeiten nicht eintritt, ist bei dieser Methode liche Polarisation ausgeschlossen.

Wir begnügen uns an dieser Stelle damit, aus der großen Zahl der den verschiedenen Experimentatoren ausgeführten Messungen nur ige allgemeine Resultate anzuführen, da wir im nüchsten Abschnitt, h Besprechung der Elektrolyse auf die Leitungsfühigkeit der Flüssigten nochmals zurückkommen werden (§. 107).

Als allgemeines Resultat ergiebt sich zunächst, dass für alle unterhten Lösungen die Leitungssähigkeit mit steigender Temperatur ganz rächtlich zunimmt, und dass dieselbe bei der Temperatur t sich darllen lässt durch Gleichungen von der Form

$$k_t = k_0(1 + \alpha t + \beta t^2),$$

rin die Koefficienten α und β nicht nur von der Natur der angewandten ung, sondern, wie es schon Beetz für die Zinkvitriollösungen fand, h von der Konzentration derselben abhängig sind. So giebt Grotrian zende Werte von k_0 , α , und β für Schwefelsäurelösungen:

¹⁾ Grotrian, Wiedem. Ann. Bd. XVIII.

²⁾ Long, Wiedem. Ann. Bd. XI.

³⁾ R. Lenz, Mémoires de l'Acad. de St. Petersburg. Jahrg. 1878. Bd. XXVI. blätter Bd. II. S. 710. Mém. de St. Petersb. Jahrg. 1882. Bd. XXX. Beiter Bd. VII S. 399.

⁴⁾ Pfeiffer, Wiedem. Ann. Bd. XXIII (Untersuchung kohlensäurehaltigen ssers).

⁵⁾ W. Kohlrausch, Wiedem. Ann. Bd. XVII.

⁶⁾ Stephan, Wiedem. Ann. Bd. XVII.

⁷⁾ Bouty, Ann. de chim. et de phys. 6 Série. T. III.

Gehalt an H_2SO_4 in Gewichtsprozenten	Leitungsfähigkeit bei 0°		
p	k _o	α	β
5	0,00001543	0,01768	- 0,00006214
10	2722	1902	6002
20	4659	2156	4976
30	5142	2390	3149
40	4640	26 06	0521
50	3578	2802	+0,00002908
60	2423	2979	7138
70	1587	3136	+0,00012168
80	• 1053	3275	18000
90	719	3394	24633
100	507	3494	32066

Die Werte von α und β zeigen, dass der Prozentgehalt der an besten leitenden Lösungen an H_2SO_4 in verschiedenen Temperaturen ein verschiedener ist. Bei 0^0 leitet am besten eine Lösung, welche 30,2 Prozent H_2SO_4 enthält, mit steigender Temperatur steigt dieser Gehalt und zwar für je 10^0 um etwa 0.8.

Ebenso wie die Schwefelsäure zeigen Salzsäure und Salpetersäure bei einem bestimmten Gehalte an Säure ein Maximum der Leitungsfähigkeit, und zwar liegt das Maximum für die Temperatur 0° für Salzsäure bei einem specifischen Gewicht von etwa 1,11, für Salpetersäure bei einem Gehalte von 31,0 Prozent. Die Werte für einige Konzentrationen der Salpetersäure zeigt folgende Tabelle.

Gehalt an IINO ₃	k_0	α	β
6,2	0,00002118	0,0218	- 0,000037
12,4	3731	204	25
24,8	5402	184	3
31,0	5462	190	8
37,2	5206	198	1
49,6	4274	212	+0,000020
62,0	3296	232	-0,000027

Für Salzlösungen zeigt sich eine solche Maximalleitungsfähigkeit bei einer bestimmten Konzentration nicht allgemein, bei den Chloriden der Alkalien mit Ausnahme der Chlorlithium z. B. wächst die Leitungsfähigkeit stets mit der Konzentration, wie folgende Zahlen zeigen.

Gehalt an Gewichtspr		$k_{\rm o}$	α	β
	(5	0,00000402	0,0292	0,000110
	10	729	290	102
Na Cl	15	998	279	110
	20	1177	290	108
	24	1239	311	111
	(5	0,00000426	0,0271	0,000078
	10	865	249	65
K Cl	15	1313	233	58
	20	1778	220	42
K Cl	l 21	1873	217	39
	(0	0,00000572	0,0266	0,000074
3777 (7)	10	1139	242	68
NH+Ct	15	1711	221	53
NH ₊ Cl	l 20	2251	218	19
	(2,5	0,00000383	0,0228	_
Li~Cl	5	685	224	_
	10	1139	219	_
für	20	1530	221	_
$18^{0} C$	3 0	1307	229	_
	40	789	285	

) ie für $Li\ Cl$ angegebenen Temperaturkoefficienten gelten zwischen nd 26° .

Nuch hier zeigt sich wieder, dass die Temperaturkoefficienten nicht on der Natur des Salzes, sondern auch von der Konzentration abn, im großen und ganzen findet man, dass sie mit zunehmender igsfühigkeit kleiner werden. Wie in diesen Fällen zeigt sich alln, dass das t^2 enthaltende Glied von nicht zu vernachläßigendem si ist, die Leitungsfühigkeiten wachsen allgemein rascher wie die eratur.

Einen auffallend großen Temperaturkoefficienten besitzt eine konzen-Eösung von Ätznatron Na HO, sie nimmt von 10° bis 80° auf das Hundertfache ihres Anfangswertes zu. Die mit 10° multipli-Leitungsfähigkeit einer Lösung, welche 43 Teile Natron in 100 g enthält, wird recht gut dargestellt durch die Gleichung

$$10^8 k = 222 (1 + 0.1059 t + 0.004459 t^2)$$

Wie bei den Chlorlithium, so zeigt sich noch bei einer Reihe von 1, daß einer bestimmten Lösung ein Maximum der Leitungsfähigkeit mt, daß bei weiterer Konzentration die Leitungsfähigkeit wieder mt. Will man deshalb die Abhängigkeit der Leitungsfähigkeit von lonzentration darstellen, so muß man wie Beetz bei Zinkvitriol ein

Glied mit der dritten oder selbst mit der vierten Potenz des Prozentgehalts hinzunehmen. Für verdünntere Lösungen, bis etwa 10 Prozent genügen indes nach Kohlrausch Formeln von der Form

$$k = \varkappa p - \varkappa' p^2$$

Formeln, welche, wie schon vorhin bemerkt wurde, darauf hinweisen, daßdas reine Wasser nicht leitet.

Kohlrausch¹) hat deshalb zu verschiedenen Malen versucht möglichst reines Wasser herzustellen, um diesen Schluss zu prüfen, nachdem die frühern Beobachtungen schon gezeigt hatten, dass die Leitungsfähigkeit des Wassers sehr klein war. Kohlrausch destillierte Wasser, dem zu Zerstörung etwaiger organischer Substanzen etwas übermangansaures Kali, zur Zerstörung etwaiger freier Säuren etwas Ätzkali und um etwaiges Ammoniak zurückzuhalten, etwas saures schwefelsaures Kali zugesetzt war, durch ein silbernes Kühlrohr in eine Glasvorlage und aus dieser nochmals durch einen Kühler von Platin in eine Platinschale, in welcher direkt der Widerstand bestimmt wurde. Setzt man das Leitungsvermögen des Quecksilbers gleich 1010, so ergab sich für so gereinigtes Wasser dis Leitungsvermögen gleich 0,71 bei 21°,5 C. Die geringste Verunreinigung. Stehen an der Luft, Aufbewahren in Glasgefäsen, wodurch etwas Glas aufgelöst wird, erhöht die Leitungsfähigkeit bedeutend. Bei seinen lettten Versuchen gelang es Kohlrausch, indem er Wasser im luftleeren Raume in zugeschmolzenen Gläsern destillierte, und direkt in dem als Vorlage dienenden Glasgefäße sofort nach Beendigung der 8-15 Minutes Zeit beanspruchenden Destillation die Leitungsfähigkeit maß, dieselbe auf 0,25. 10 -10 von derjenigen des Quecksilbers herabzubringen. Es folg somit, dass schon eine geringe Menge absorbierter Luft die Leitungsfähig keit des Wassers erhöht. Man wird darnach schließen dürfen, daß eine Lösung nur infolge des gelösten Salzes löst. Den Koefficienten x in der Formel

$$k = \times p - \times' p^2$$

bezeichnet Kohlrausch als das specifische Leitungsvermögen der gelöstel Substanz. Für sehr kleine Werte von p, also für sehr verdünnte Lösungen, verschwindet das zweite Glied, so daß man in der That z als einen die betreffende Substanz charakterisierenden Wert bezeichnen kann.

Wenn so die Leitungsfähigkeit der Lösung nur auf Rechnung der gelösten Substanz zu setzen ist, so liegt auf den ersten Blick die Vermutung nahe, das die Leitungsfähigkeit von dem Lösungsmittel ganz unabhängig sei; die Unhaltbarkeit dieses Schlusses ist indes durch die Versuche von R. Lenz²) nachgewiesen, der Lösungen solcher Salze, welche auch in Alkohol löslich sind, in wässerigem Alkohol auf ihren Widerstand untersuchte. Die Leitungsfähigkeit des absoluten Alkohols ist nach Kohlrausch³) etwa gleich der des reinsten luftfreien Wassers, 0,3. Die alkoholischen Lösungen der Salze zeigten aber stets einen erheblich größen

F. Kohlrausch, Poggend. Ann. Erg.-Bd. VIII. Wiedem. Ann. Bd. XXV.
 R. Leuz, Mém. de St. Petersburg Bd. XXX. 1882. Beiblätter Bd. VII
 S. 399.

³⁾ E. Kohlromsch, Poggend. Ann. Erg. Bd. VIII.

7iderstand als die wässerigen. Für eine 4 % Jodkalium haltende Lösung gaben sich z. B. die Widerstände R, jener der wässerigen Lösung gleich 30 gesetzt, wenn sie in einem Weingeist gelöst wurden, der v Volumrozent Alkohol enthält, die in folgenden Reihen angegeben sind

$$v = 0$$
 10 20 30 40 50 60 70 $R = 100$ 130 165 207 249 286 326 370.

Wir werden im nächsten Abschnitte, wenn wir die Theorie der Leing in Flüssigkeiten besprechen, sehen, wodurch diese Unterschiede bengt sind (§. 107).

§. 88.

Bestimmung der elektromotorischen Kraft. Außer der Kennts der Leitungswiderstände in einem Stromkreise bedarf es zur Bestimung der Stromstärke auch jener der elektromotorischen Kräfte. Das als derselben ist durch die gewählten Einheiten der Stromstärke und s Widerstandes bereits gegeben; wir müssen als Einheit der elektrotorischen Kraft jene bezeichnen, welche in einem Stromkreise, dessen iderstand der Einheit gleich ist, die Einheit der Stromstärke hervoringt. Da wir nun als Einheit der Stromstärke jene bezeichnet haben, siche in einem Voltameter in einer Minute ein Kubikcentimeter Knalls erzeugt, so haben wir einer galvanischen Kombination die Einheit elektromotorischen Kraft beizulegen, welche in einem Stromkreise, sen Widerstand der Einheit gleich ist, einen Strom erzeugt, welcher gleicher Stärke durch ein Voltameter geführt, dort in einer Minute un Kubikcentimeter Knallgas erzeugt.

Als ein relatives Mass kann man zur Messung der elektromotorischen raft auch jene einer bestimmten galvanischen Kombination benutzen, wa diejenige eines Daniellschen Elementes. Ist diese nach chemischem ise bestimmt worden, so kann man auch alle übrigen daraus erhalten.

Die elektromotorische Kraft konstanter Elemente läst sich leicht d direkt in chemischem Masse erhalten durch die Methode von Ohm¹), elche wir schon früher zur Bestimmung des Leitungswiderstandes betzt haben. Man schließt ein Element durch eine Tangentenbussole und Rheochord, in welchem der Schlitten auf O steht. Kennt man den duktionsfaktor der Tangentenbussole, so erhält man sofort die Stromrke in chemischem Masse. Sei dieselbe gleich J, und sei E die elektrotorische Kraft, W der Widerstand, so ist

$$J = \frac{E}{W}; E = W.J.$$

Man schaltet dann eine bestimmte Länge des Rheochords ein, deren derstand w sei, so wird die Stromstärke eine andere J_1 , nämlich

$$J_1 = \frac{E}{W + w}; \quad E = (W + w) J_1;$$

¹⁾ Ohm, Schweiggers Journal Bd. LVIII. Jahrg. 1830.

die beiden Gleichungen lassen ebenso wie W auch E bestimmen, es wird nämlich E

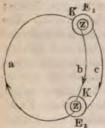
$$E = w \cdot \frac{J \cdot J_1}{J - J_2}.$$

Indem man dann mehrere Widerstände w nach einander einschaltet, erhält man aus je zwei Beobachtungen einen Wert für E, aus welchem man zur Erreichung größerer Genauigkeit das Mittel nimmt.

Wie man sieht, liefert diese Methode sofort den gesuchten Wert in der aufgestellten Einheit; sie ist aber ebenso zur Vergleichung der elektromotorischen Kräfte zweier Elemente geeignet, indem man nach einander mit den beiden Elementen dieselben Versuche macht. Man kann nach derselben aber nur die elektromotorischen Kräfte konstanter Elemente be-

Fig. 152.

stimmen, da während der Zeit, welche zu den Versuchen gebraucht wird, die Stromstärke inkonstanter Ketten infolge der Polarisation sich zu sehr ändert.



Zur Bestimmung der elektromotorischen Kräfte konstanter wie inkonstanter Ketten ist dagegen gleich gut geeignet die von Poggendorff gegebene Kompensationsmethode¹). Zu derselben wendet man die § 81 zuletzt angegebene Stromverzweigung an. Wie wir damals sahen, ist die Stromstärke in dem die beiden Zweige verbindenden Draht a, dessen Widerstand gleich w ist, wenn die beiden elektromotorischen Kräfte in den Zweigen b und c (Fig. 152) gleich E, und E,

die Widerstände aber resp. w1 und w2 sind,

$$i = \frac{E_1 \ w_2 + E_2 \ w_1}{w \ w_1 + w \ w_2 + w_1 \ w_2};$$

die Stromstärke in den beiden Zweigen ist

$$\begin{split} i_1 &= \frac{E_1 \ (w + w_2) - E_2 \ w}{w \, w_1 + w \, w_2 + w_1 \, w_2} \\ i_2 &= \frac{E_2 \ (w + w_1) - E_1 \ w}{w \, w_1 + w \, w_2 + w_1 \, w_2} \end{split}$$

Die Stromstärke in den beiden Zweigen hängt daher wesentlich von dem Verhältnisse der Widerstände $w+w_1$ zu w, oder $w+w_2$ zu w ab. Sind nun E_1 und E_2 von einander verschieden, so kann man es leicht durch Regulierung der Widerstände dahin bringen, daß i_1 oder i_2 gleich 0 wird. Habe man dadurch $i_2=0$ gemacht, so ist

$$E_2 = E_1 \, \frac{w}{w + w_1} \cdot$$

Setzt man diesen Wert von E, in die Gleichung für i, so wird

$$i = \frac{E_1}{w + w_1}; E_1 = i(w + w_1)$$

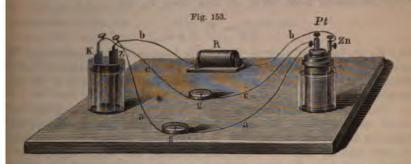
und daraus

$$E_2 = i . w.$$

¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LIV.

Wir erhalten demnach auf diese Weise, wenn wir die Widerstände σ and w_1 kennen, direkt das Verhältnis der beiden elektromotorischen E_1 und E_2 aus der einzigen Beobachtung $i_2=0$. Beobachten wir aber außerdem die Stromstärke i_s so können wir sowohl E_1 als E_2 in der gewählten Einheit erhalten.

Zur Messung elektromotorischer Kräfte nach diesem Verfahren operierte Poggendorff in folgender Weise. An Stelle des Elementes E_1 wurde zin konstantes Grovesches Zink-Platin-Element benutzt. Die elektromotorische Kraft und der wesentliche Widerstand desselben, also der Widerstand n dem Elemente selbst, wurden nach der Ohmschen Methode bestimmt. Dasselbe wurde mit dem zu untersuchenden, z. B. einem Zink-Kupfer-Elemente in der Weise Fig. 153 verbunden. Die Elemente standen, wie



s auch in Fig. 152 angenommen ist, ganz am Ende der Zweige b und , so daß also der Zweig c (Fig. 152), dessen Widerstand wir mit w_2 ezeichneten, aus dem das Platin Pt mit dem Kupfer K verbindenden Prahte c, welcher das Galvanometer G enthält, und dem Widerstand der Rüssigkeit in dem Elemente KZ bestand. Der Zweig b wird gebildet on dem Drahte b, welcher das Zink Z mit dem Zink Zn verbindet und a welchem der Rheochord R eingeschaltet ist, und dem Widerstande der Plüssigkeit in dem Groveschen Elemente. Der die beiden Zweige verbindende Draht a (Fig. 152) ist auch Fig. 153 mit a bezeichnet, er verbindet das Zink des Elementes ZK mit dem Platin des Groveschen Elementes; in ihm ist die Tangentenbussole g' eingeschaltet.

Die mit der Tangentenbussole g' gemessene Stromstärke ist in unsern Formeln mit i bezeichnet, die Stromstärke im Drahte b mit i_1 , diejenige

in ¢ mit ig.

Die Drahtverbindung KPt oder c ist für gewöhnlich geöffnet, sie dient nur dazu, den Widerstand w_1 in b so zu regulieren, daß der Strom i_2 gleich 0 wird. Zu dem Ende wird die Verbindung momentan hergestellt and, wenn das Galvanometer noch einen Strom anzeigt, der Widerstand in Stromzweige b in dem Sinne geändert, daß bei einer folgenden Schließung on w das Galvanometer keinen Strom mehr anzeigt.

Gerade dieser Umstand ist es, welcher diese Methode zur Messung er elektromotorischen Kräfte inkonstanter Ketten geeignet macht. Denn in Inkonstanz beruht, wie wir sahen, darauf, daß bei Schließung der tromkreises die Flüssigkeit in dem Elemente zersetzt wird, und wasen die Metalle sich mit Gas bekleiden. Wird, wie in die

diese Schließung entstehende Strom fast vollständig durch den von den andern Elemente herrührenden Strom kompensiert, so wird die Flüssigkeit in dem Elemente nicht zersetzt, und die elektromotorische Gegenkraft tritt gar nicht auf. Sollte aber bei den Versuchen zur Bestimmung des zur Kompensation erforderlichen Widerstandes doch in dem Elemente eine Zersetzung stattgefunden haben, so nimmt man die Platten aus demselben heraus, nachdem man annähernd den zur Kompensation erforderlichen Widerstand w_1 hergestellt hat, und reinigt sie. Dann setzt man den Apparat wieder zusammen und kompensiert vollständig.

Hat man nach der Methode von Ohm die elektromotorische Kraft E_1 und den Widerstand des konstanten Elementes bestimmt, so hat man die

Tangentenbussole nicht nötig, da man dann E_2 aus

$$E_2 = E_1 \frac{w}{w + \overline{w_1}}$$

hat. Es ist indessen auch in dem Falle bequemer, die Stromstärke in beobachten, da man dann nur den Widerstand w des Drahtes a m be stimmen hat, um sofort E_2 zu erhalten; die Bestimmung von w_1 ist nicht erforderlich.

Hat man beides, i und w_1 beobachtet, so braucht man E_1 nicht vorher zu bestimmen, da man auch dieses direkt erhält. Da es inder schwierig ist, w_1 mit Genauigkeit zu messen, so verfährt man am besten so, daß man E_1 nach der Ohmschen Methode, und damit zugleich w bestimmt, und dann die Stromstärke i nach der Kompensation beobachtet. Es bedarf wohl keiner Erwähnung, daß nach geschehener Kompensation es gleichgültig ist, ob der Stromzweig c geschlossen ist oder nicht, da die Stromstärke i_2 in demselben gleich 0 ist.

Die Poggendorfische Methode ist zur Bestimmung der elektromotorischen Kraft konstanter Elemente natürlich ebenso geeignet, ja noch bequemer als zu derjenigen inkonstanter Elemente, da man dann den Zweig e immer geschlossen halten kann.

Durch eine kleine Modifikation der Poggendorffschen Methode hat Bosscha¹) die Messung der Widerstände w und w_1 ganz umgangen, w0 dass man ohne weiteres das Verhältnis E_2 zu E_1 , oder wenn man letteres kennt, auch E_2 in der gewählten Einheit erhält. An Stelle des Galvanometers g wird ebenfalls ein Rheochord angebracht. Hat man den Widerstand w_1 so abgeglichen, dass in c die Stromstärke gleich w_1 0 ist, so schaltet man in dem Kreise w_1 2 einen Widerstand w_2 3 einen Widerstand w_3 4 einen Widerstand w_4 6 einen Widerstand w_4 6 einen Widerstand w_4 7 einen Widerstand w_4 8 einen Widerstand w_4 9 einen Widerstand

$$E_2 = E_1 \frac{w+l}{w+l+w_1+l_1};$$

da aber vorhin war

$$E_2 = E_1 \frac{w}{w + w_1};$$

¹⁾ Bosscha, Poggend. Ann. Bd. XCIV.

o folgt auch

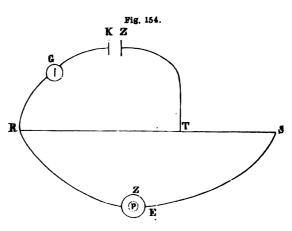
. 88.

$$E_2 = E_1 \frac{l}{l+l_1}$$

Die Widerstände l und l_1 lassen sich mit großer Genauigkeit bestimmen, da es eben nur Drahtlängen des Rheochords sind, und deshalb läßt sich auf diesem Wege große Genauigkeit erzielen.

In etwas anderer Weise hat E. Du Bois-Reymond 1) die Methode von Poggendorff modifiziert und dadurch noch bequemer gemacht; Du Bois-Reymond verändert nicht nur den Widerstand in den Zweigen, sondern gleichzeitig in dem unverzweigten Teile, um in dem einen Zweige den Strom zum Verschwinden zu bringen. Die Anordnung von Du Bois-Reymond zeigt schematisch Fig. 154. In die Strombahn der konstanten Kette

E, mit welcher die elektromotorische Kraft der Kette KZ verglichen werden soll, schaltet nan einen Widerstand RS, etwa ein Rheochord sin, auf welchem sich in Schieber T befindet. Die Strombahn des zweien Elementes KZ, welthe das Galvanometer Ginthalt, wird dadurch hergestellt, dass man den einen der Drähte mit R, den andern mit dem Schieber T verbindet. Die Elemente wer-



den so gestellt, dass der von E herrührende Strom in dem Zweige RKT entgegengesetzt fliest als der von K herrührende Strom, und der Schieber T auf dem Rheochord RS so weit verschoben, dass der Strom im Zweige RKT gleich null wird. Das Stück RT entspricht dem Teile a, RKT dem Zweige c, REST dem Zweige b von Fig. 152. Bezeichnen wir deshalb den Widerstand in RT mit w, in REST mit w_1 , in RKT mit w_2 , die elektromotorische Kraft in E mit E, in E mit E, so ist, wenn der Strom in E gleich null ist,

$$K = E \frac{w}{w + w_1}$$

Man kann diese Beziehung auch leicht direkt für diese Anordnung ius den Kirchhoffschen Sätzen ableiten. Nennen wir die Stromstärken in ${}^{Q}T^{i}$, in RES i_{1} , in RKT i_{2} , so erhalten wir für den Kreuzungspunkt T^{i}

$$i_1 + i_2 - i = 0$$

ind für den Stromkreis RKTR

$$i_2 w_2 + iw = K,$$

¹⁾ E. Du Bois-Reymond, Abhandlungen der Berliner Akad. a. d. J. 1862.

für den Stromkreis RESTR

$$i_1 w_1 + iw = E.$$

Aus diesen drei Gleichungen erhält man unmittelbar

$$i_2 = \frac{K(w + w_1) - Ew}{ww_1 + w_2(w + w_1)},$$

somit für $i_2 = 0$

$$K = E \cdot \frac{w}{w + w_1} \cdot$$

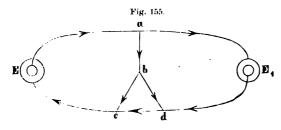
Um auch bei diesem Verfahren die Widerstände w und w_1 nicht messen zu müssen, kann man mit demselben die Modifikation von Bosscha verbinden. Man schaltet in den Kreis ERTSE zwischen E und S einem zweiten Rheochord ein, und schaltet nach einer ersten Kompensation einem Widerstand l_1 an demselben ein. Der Schieber T muß dann zur Kompensation neuerdings verschoben werden; ist dazu der Widerstand l einzuschalten, so ist jetzt

$$K = E \frac{w+l}{w+l+w_1+l_1-l},$$

da wenn der Widerstand in RT, also w um l vergrößert wird, dadurd der oben mit w_1 bezeichnete Teil REST gleichzeitig um l verkleinen wird. Daraus folgt

$$E=E\,\frac{l}{l_1}\,\cdot$$

Eine andere Modifikation der Poggendorffschen Methode hat Hoorweg¹) angegeben, welche wie die Du Bois-Reymondsche sehr geeignet ist um geringe elektromotorische Kräfte mit großen zu vergleichen. Hoorweg



schaltet die beiden Elemente so ein, daß der Strom in den beiden die Elemente enthaltenden Zweigen dieselbe Richtung besitzt, dagegen in dem die beiden Zweige verbinden den Drahte ist der Strom des einen Elementes dem jenigen des andern ent-

gegengesetzt. Dieser Draht wird in zwei Zweige gespalten und dann werden die Widerstände so reguliert, daß in dem einen der Zweige der Strom gleich null wird. Das Schema der Hoorwegschen Anordnung zeigt Fig. 155. E ist das Normalelement, E_1 das zu vergleichende, in dem Zweige bd wird durch Abgleichen der Widerstände die Stromstärke auf null reduziert.

Bezeichnen wir nun in den

Zweigen aEc ab bc bd cd aE_1a die Intensitäten i_1 i_2 i_3 i_4 i_5 i_6 die Widerstände w_1 w_2 w_3 w_4 w_5 w_6 ,

¹⁾ Hoorweg, Poggend. Ann. Bd. CXXVII.

erhalten wir nach den Kirchhoffschen Sätzen die Gleichungen

$$\begin{split} i_1 &= i_2 + i_6 \quad i_2 = i_3 + i_4 \quad i_1 = i_3 + i_5 \quad i_6 + i_4 = i_5 \\ i_1 \, w_1 + i_2 \, w_2 + i_3 \, w_3 &= E \quad i_5 \, w_5 + i_4 \, w_4 - i_3 \, w_3 = 0 \\ i_6 \, w_6 - i_4 \, w_4 - i_2 \, w_2 &= E_1 \quad i_1 \, w_1 + i_6 \, w_6 + i_5 \, w_5 = E + E_1 \\ \text{Als Bedingung für } i_4 &= 0 \text{ ergiebt sich aus diesen Gleichungen} \\ E (w_3 \, w_6 - w_2 \, w_5) &= E_1 \, (w_1 + w_3 + w_3) \, w_5 + w_1 \, w_2, \end{split}$$

d daraus für das Verhältnis der elektromotorischen Kräfte

$$\frac{E_{1}}{E} = \frac{w_{s} \, w_{6} - w_{1} \, w_{5}}{(w_{1} + w_{1} + w_{1}) \, w_{5} + w_{1} \, w_{2}} \, .$$

Schaltet man jetzt in cEA einen Widerstand a ein, und vergrößert nn den Widerstand dE_1a um b,, so daß wieder $i_4=0$ wird, so ist

$$\frac{E_1}{E} = \frac{w_s \, w_b - w_z \, w_b + b \cdot w_s}{(w_1 + w_z + w_b) \, w_b + w_1 \, w_z + a \, (w_b + w_z)} \,,$$

d aus diesen beiden Gleichungen folgt

$$\frac{E_1}{E} = \frac{b \cdot w_3}{a \cdot (w_5 + w_4)} \cdot$$

Man hat also nur die Widerstände in den drei bei b zusammenbisenden Zweigen, sowie a und b genau zu messen, um das Verhältnis r beiden elektromotorischen Kräfte scharf zu bestimmen.

Außer diesen Methoden von Ohm und Poggendorff, welche die elekmotorische Kraft der untersuchten Elemente direkt in der gewählten nheit liefern, giebt es noch eine große Anzahl solcher, welche die elekomotorischen Kräfte zweier Elemente vergleichen. Wir erwähnen von nselben nur folgende:

Man schaltet 1) in einen Stromkreis von so großem Widerstande, daß Fienige in den Elementen dagegen vernachlässigt werden kann, nach nander die verschiedenen zu vergleichenden Elemente ein, und beobachtet e von jedem hervorgebrachte Stromstärke. Da der Widerstand immer Fiselbe ist, so verhalten sich die elektromotorischen Kräfte direkt wie e Stromstärken. Denn sind in zwei Fällen E und E_1 die elektromotoschen Kräfte, J und J_1 die Stromstärken und ist W der Widerstand Stromkreises, so ist

$$J = \frac{E}{W}; \quad J_1 = \frac{E_1}{W}$$
$$E_1 = E \cdot \frac{J_1}{J}.$$

Eine andere von Fechner augewandte Methode²) ist folgende: Die vergleichenden Elemente werden zugleich hinter einander in den Stromeis eingeschaltet, einmal so, dass die von beiden erzeugten Ströme gleich richtet sind, sich also summieren; dann, das sie entgegengesetzt gehtet sind, sich also subtrahieren. Seien die beobachteten Stromstärken

Ecchner, Lehrbuch des Galvanismus, zugleich 3. Bd. der 2. Aufl. seiner ersetzung von Biots Physik. Leipzig 1829.
 Fechner, Maßbestimmungen der galvanischen Kette.

in den beiden Fällen resp. J_1 und J_2 , W der Widerstand des Strækreises, so ist

$$\begin{split} J_1 &= \frac{E_1 + E_2}{W}; \quad J_2 = \frac{E_1 - E_2}{W} \\ E_1 &= \frac{1}{2} \, W \, (J_1 + J_2); \quad E_2 = \frac{1}{2} \, W \, (J_1 - J_2) \\ E_2 &= E_1 \, \frac{J_1 - J_2}{J_1 + J_2} \, . \end{split}$$

Nicht sehr von dieser verschieden ist die Methode von Regnaud!, welcher in einem und demselben Stromkreise die zu untersuchende Kette und in entgegengesetztem Sinne eine Thermokette einschaltete, deren Elementenzahl er willkürlich ändern konnte. Der Widerstand des Stromkreises war zugleich so groß, daß derjenige der Thermoelemente dageges vernachlässigt werden konnte. Die Lötstellen der Elemente hatten eine Temperaturdifferenz von 100°, indem die Reihe der paaren Lötstellen in einem durch schmelzendes Eis auf 0° erkalteten Gefäse, die unpaare dagegen in geschmolzenem Wachs sich befanden, welches durch kochendes Wasser auf 100° erwärmt war.

Es wurden nun so viele Thermoelemente eingeschaltet, daß die Stromstärke gleich 0 wurde. Bezeichnen wir die elektromotorische Kraft des zu untersuchenden Elementes mit E, die eines Thermoelementes mit ξ , den Widerstand im Stromkreise mit W, so ist die Stromstärke

$$J = \frac{E - n \cdot e}{W},$$

somit wenn J=0,

$$E = n \cdot e$$
.

Zur leichteren Vergleichung, besonders von Kombinationen von sehr großer elektromotorischer Kraft, bestimmte Regnauld zunächst mit möglichster Genauigkeit die elektromotorische Kraft eines Elementes Zink Zinkvitriol | schwefelsaures Kadmium | Kadmium, und fand dieselbe gleich 55. c. Bei Elementen von großer elektromotorischer Kraft, Daniellschen oder Groveschen, wurden zunächst ein oder mehrere solche Elemente eingeschaltet, und durch Hinzufügen der Thermoelemente der Strom vollständig neutralisiert.

Schließlich ist noch die Methode von Wheatstone²) zu erwähnen. Derselbe schaltet zunächst in den Stromkreis des Elementes, mit welchen die übrigen verglichen werden sollen, eine Tangentenbussole und einem Rheostaten ein, und beobachtet die Stromstärke J; darauf wird eine bestimmte Länge l des Rheostaten eingeschaltet, so daß die Stromstärke eine andere, J_1 wird. Dann ist

$$J = \frac{E}{W}; \quad J_1 = \frac{E}{W+l}$$
$$E = l \cdot \frac{J \cdot J_1}{J - J_1}.$$

1) J. Regnauld, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XLIV.

²⁾ Wheatstone, Philosophical Transactions for 1834. Poggend. Ann. Bd. LXII.

Dann ersetzt er das Normalelement durch das zu untersuchende, und dert durch Verstellung des Rheostatdrahtes den Widerstand so ab, daßs e Stromstärke wieder gleich J wird. Der Widerstand sei dann W_1 ; un schaltet er in den Stromkreis wieder eine solche Länge l_1 des Rheostatdrahtes ein, daß die Stromstärke gleich J_1 wird. Diese beiden Besachtungen ergeben

$$J = \frac{E_1}{W_1}; \ J_1 = \frac{E_1}{W_1 + l_1}$$

$$E_1 = l_1 \frac{J \cdot J_1}{J - J_1},$$

id diese Gleichung mit der vorigen kombiniert giebt

$$E_1 = E \frac{l_1}{l}$$

Wendet man daher stets dieselben Stromstärken an, und hat man umal für das Normalelement die Länge l bestimmt, welche die Stromärke von J auf J_1 zurückbringt, so hat man nur für irgend ein anderes lement die Länge l_1 zu bestimmen, um die elektromotorische Kraft dieses lementes mit derjenigen des Normalelementes zu vergleichen.

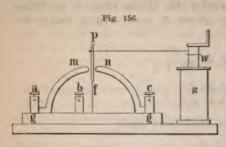
Da man nun aus der Untersuchung des Normalelementes die elektrootorische Kraft desselben sofort in einer bestimmten Einheit berechnen ann, so kann man auch diejenige der übrigen Elemente in dieser Eineit ausdrücken.

Ganz besonders geeignet zur Vergleichung der elektromotorischen rafte ist seit Einführung der zur Messung selbst kleiner Werte der Pontialfunktion geeigneten Elektrometer die elektrostatische Methode, da iese von jeder Störung frei ist, welche durch die Inkonstanz der Eleente bedingt ist. Man stellt zu dem Zwecke die zu vergleichenden demente sorgfältig isoliert auf und verbindet von jedem einen Pol, sei der negative mit der Erde. Man verbindet darauf zunächst den isoerten Pol des Normalelementes mit dem einen Quadrantenpaar eines lektrometers, dessen anderes Quadrantenpaar zur Erde abgeleitet ist, und nist die Potentialfunktion. Darauf löst man die Verbindung des Normallementes mit dem Elektrometer, entladet das geladene Quadrantenpaar nd stellt in gleicher Weise die Verbindung des isolierten Poles des zu ergleichenden Elementes mit dem wieder isolierten Quadrantenpaar her. an misst neuerdings die Potentialfunktion. Das Verhältnis der beiden emessenen Potentialfunktionen ist jenes der elektromotorischen Kräfte er beiden Elemente

Ebenso verfährt man, wenn man die elektromotorische Kraft eines lementes bestimmen will, in welchem durch längeren oder kürzeren Stromblus eine Polarisation stattgefunden, somit eine Schwächung der elektrotorischen Kraft eingetreten ist. Man verbindet sofort nach Unterschung des Stromes den einen Pol des Elementes mit der Erde, den deren mit dem einen Quadrantenpaar des Elektrometers und erhält som Potentialfunktion an dem Pole, nachdem dieselbe durch die Polarition vermindert worden ist.

Die Verbindung des Poles mit dem Elektrometer muß auf das sorg-

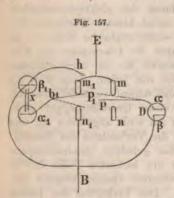
fältigste isoliert sein; die Isolationen müssen ebenso gut sein, wie bei den Versuchen mit Reibungselektricität. Eine sehr bequeme Einrichtung, um die zu diesen Messungen erforderlichen Verbindungen herzustellen ohne



die Drähte berühren zu müssen, hat Beetz¹) in seinem Schlüssel konstruiert (Fig. 156). Auf einem hölzernen Fußbrett ist eine Ebonitplatte gg aufgeschraubt, welche drei Klemmen a, b, c trägt. Mit a und c sind zwei starke Messingbogen m und n verbunden, deren freie Enden einander gerade gegenüber stehen. Mit b ist eine starke Messingfeder f verbunden, welche

ein dickeres Messingstück p trägt. Die Feder drückt in der Ruhelage p gegen m. Das Fußbrett trägt weiter eine Säule s, in welcher eine Welle w mittels einer Handhabe unter starker Reibung gedreht werden kann. Auf die Welle ist eine seidene Schnur aufgewickelt, deren freies Ende an p befestigt ist. Windet man die Schnur mit der Handhabe auf, s0 kann p von m getrennt und isoliert oder durch stärkeren Anzug fest gegen n gelegt werden.

Für die meisten Zwecke ist es bequem zwei solcher Schlüssel auf demselben Fußbrette neben einander zu haben. Die Anordnung, die man zu treffen hat, um die elektromotorischen Kräfte zweier Elemente mit



einander zu vergleichen, zeigt schematisch Fig. 157. Man verbindet die gleichnamigen Bogen m der beiden Schlüssel mit einander und dem Elektrometer; den einen Pol α des Normalelementes D verbindet man mit der Klemmschraube b des einen Schlüssels und stellt p so, daß es weder m noch n berührt. Den Pol β verbindet man mit dem Erboden B. Den Pol α_1 des zu vergleichenden Elementes verbindet man mit der Klemme b_1 des zweiten Schlüssels und stellt zunächst auch p_1 so, daß es weder m_1 noch n_1 berührt. Den Pol β_1 des Elementes verbindet man auch mit der Erde, und ebenso n_1 Außerdem bringt man an der Erdleitung

einen Haken an, der an den Bogen m_1 angehängt werden kann, um der selben zur Erde abzuleiten. Man bringt jetzt zunächst p zur Berührung mit m_1 und mißt so die Potentialfunktion des Normalelementes; man entladet das Elektrometer, indem h eine kurze Zeit mit m_1 verbunden wird, nachdem p von m wieder entfernt war. Man legt p_1 an m_1 und mißt die Potentialfunktion des Elementes x. Man erhält so die Potentialfunktion desselben, wenn es nicht geschlossen war. Will man die elektromotorische Kraft des Elementes, nachdem es längere oder kürzere Zeit vom Strom

irchflossen ist, bestimmen, so legt man vor der Messung p_1 an n_1 , bringt unn für einen Moment p_1 an m_1 und legt es sofort wieder an n_1 . In eser letzteren Lage wird das Element vom Strom durchflossen.

Nach den dargelegten Methoden sind die elektromotorischen Kräfte ner großen Zahl der verschiedensten galvanischen Kombinationen unteracht worden. Bevor wir indes einige dieser Resultate mitteilen und araus weitere Schlüsse ziehen, wird es gut sein, zwei interessante Nachwise zu erwähnen, welche mit Hilfe derselben für die Grundgesetze des alvanismus geführt sind.

Das erste dieser Gesetze, welches wir früher schon auf andere Weise, sonders durch die Versuche von Kohlrausch bewiesen haben, ist der atz, daß die elektromotorische Kraft einer Kombination gleich ist der umme der in ihr vorhandenen elektromotorischen Kräfte.

1	Elemente	30	Windungen	des	Rheostaten
2	37	61	11	75	32
3	17	91	33	77	31
4	22	120	in	11	11
5	11	150	***	- 11	**

Da nun die elektromotorischen Kräfte der verschiedenen Kombinationen i dieser Methode sich direkt verhalten wie die Längen, welche zur rückführung der gleichen Stromstärke um die gleiche Größe erforderh sind, so folgt, daß die elektromotorischen Kräfte sich verhalten wie e Anzahl der Elemente.

Der zweite Nachweis ist derjenige des Voltaschen Spannungsgesetzes n Poggendorff, den wir bereits § 71 erwähnten, und für welchen wir reits einige der von Poggendorff gefundenen Zahlenwerte anführten²). Iggendorff kompensierte den Strom, welchen irgend zwei in eine Flüssigtit getauchte Metallplatten lieferten, durch eine Grovesche Kette und sebachtete zugleich die Stromstärke in dem Zweige c, welcher kein Eleent enthielt. Der Widerstand dieses Zweiges w war ein für allemal stimmt. Als Einheit des Widerstandes nimmt Poggendorff den Widerand eines Neusilberdrahtes von 1 Zoll Länge an, von welchem 100 wiser Zoll bei 1,5 kg Spannung und mittlerer Temperatur 4,033 g liegen. Die Einheit der elektromotorischen Kraft ist jene, welche in einem

Wheatstone, Philosophical Transactions for 1843. Poggend. Ann. Bd. LXII.
 Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXX. Auch die §. 71 erwähnten Versuche von Gerland sind nach der Kompensationsmethode angestellt.

Stromkreise, dessen Widerstand der eben angegebenen Einheit gleich ist, einen Strom von einer solchen Stärke erzeugt, dass er in einer Minute 14,222 ccm. Knallgas erzeugen würde, wenn er mit derselben Stärke durch ein Voltameter hindurch geleitet würde.

Da Poggendorff den Querschnitt jenes Drahtes nicht angiebt, auch nicht das specifische Gewicht des zu demselben benutzten Neusilbers, so künnen wir die Einheit nicht direkt in jener ausdrücken, welche wir eigentlich annehmen müssen, da wir als die Einheit des Widerstands jenen angenommen haben, welchen ein Quecksilberprisma von 1 m Linge und 1 qmm Querschnitt besitzt. Diese Einheit würde jene elektromotorische Kraft sein, welche in einem Stromkreise, dessen Gesamtwiderstand dem des erwähnten Quecksilberprismas gleich ist, einen Strom erzeut, welcher in einem Voltameter in der Minute ein Kubikcentimeter Knallgs entwickeln würde.

Wir können indes auf folgendem Wege die Poggendorffsche Einheit mit der unsrigen vergleichen. Für die Daniellsche Kette amalgamierte Zink, verdünnte Schwefelsäure, Lösung von Kupfervitriol, Kupfer, also in Zeichen

 $E = Hg Zn \mid H_2 SO_4 + H_2 SO_4 \mid Cu SO_4 + Cu SO_4 \mid Cu + Cu \mid Zu$ erhalten wir aus folgenden Beobachtungen Poggendorffs

Andererseits giebt Bosscha¹) für die elektromotorische Kraft eines Daniellschen Elementes in absoluten Weberschen Einheiten

$$E_{\rm D} = 10.258 \cdot 10^{10}$$
.

Da hier die Einheit des Widerstandes nach einem von Weber bestimmten Etalon genommen ist, und Weber später durch Vergleichung der Quecksilbereinheit mit seinem Etalon für erstere 1,025710¹⁰ gefunden hat, so würde auf Quecksilber als Einheit bezogen

$$E_D = 10,000.$$

Die hier zu Grunde liegende Einheit der Stromstärke ist, wie im zweiten Kapitel des nüchsten Abschnittes nachgewiesen wird, in runder Zahl 1,044 unserer Einheit, damit wird in ausserer Einheit

$$E_1 = 10,44.$$

Die Schwefelsäure in dem von Bosscha untersuchten Daniellsches Element war jedenfalls merklich konzentrierter als die von Poggenden benutzte (1 Teil Säure von 1,833 specifischem Gewicht mit 49 Gewichtsteilen Wasser); da nun die elektromotorische Kraft mit der Konzentration der Säure, wenn auch nicht bedeutend zunimmt, so werden wir für die von Poggendorff untersuchte Kombination in runder Zahl setzen dürfen

$$E_1 = 10,3.$$

¹⁾ Bosscha, Mechanische Theorie der Elektrolyse. Poggend. Ann. Bd. Cl.

Darnach ist die Poggendorffsche Einheit

$$K = \frac{10,3}{18.8} \cdot e = 0,55.$$

Mit dieser Zahl sind daher die in §. 71 angegebenen Werte der slektromotorischen Kräfte zu multiplizieren, um sie auf die von uns angenommene Einheit zu bringen.

Wir haben damals das elektromotorische Gesetz nur für den Fall ausgesprochen, dass die mit einander verglichenen Metalle in ein und derselben Flüssigkeit stehen, das Gesetz gilt aber auch, wenn die beiden Metalle in zwei verschiedenen Flüssigkeiten stehen. So giebt Poggendorff olgenden Versuch:

Die direkte Bestimmung ergab

$$Fe \mid H_2 SO_4 + H_2 SO_4 \mid HNO_3 + HNO_3 \mid Pt + Pt \mid Fc = 22,17,$$

Oraus zugleich folgt, dass Schwefelsäure, Kupfervitriol und Salpetersäure utweder unter sich ebenfalls dem Spannungsgesetze folgen, oder dass die ektromotorische Erregung zwischen den Flüssigkeiten gegen die übrigen erschwindet.

Auch aus einer großen Anzahl von Versuchen, welche Beetz angeellt hat¹), folgt dasselbe Gesetz.

Im Folgenden stellen wir die elektromotorische Kraft der verschieden konstanten Ketten nach den verschiedenen Experimentatoren zusammen. Is Einheit wird bei den übrigen Ketten meist die Daniellsche gewählt, schalb ist es nur für diese erforderlich, die Einheit nach chemischem asse zu bestimmen. Die von den verschiedenen Physikern nach dieser ichtung angestellten Messungen sind indes nur schwierig zu vergleichen, eil die von denselben gewählten Einheiten des Widerstandes schwer mit nander zu vergleichen sind.

Den von Bosscha bestimmten Wert haben wir bereits angeführt, nach iesem ist in unserer Einheit D = 10.44.

Müller²) erhielt für die elektromotorische Kraft des Daniellschen ²lementes, wenn als Einheit des Widerstandes ein Kupferdraht von 1 m ⁴änge, 1 mm Querschnitt gesetzt wird, die Zahl 470.

Die Leitungsfähigkeit des Müllerschen Kupferdrahtes bezogen auf liber können wir gleich 91,2 setzen, da Müller für Eisen bezogen auf Lupfer die Leitungsfähigkeit gleich 15,9 angiebt, während sich im Mittel us Beobachtungen von Buff und Matthiessen für Eisen bezogen auf Silber 4,5 ergiebt. Bezogen auf die Silbereinheit erhalten wir daher

$$L = \frac{100 \cdot 470}{91,2} = 515,$$

der mit der Siemensschen Quecksilbereinheit D = 11,06.

1) Beetz, Poggend. Ann. Bd. XC. S. 42.

2) Müller in Freiburg, Die neuesten Fortschritte der Physik. S. 257. Braunbweig 1849. Buff¹) erhält für das Daniellsche Element 133 Kubikcentimeter Kallgas in der Minute, wenn als Einheit des Widerstandes ein Neusilberdakt von 0,75 m Länge, 1,5 mm Durchmesser genommen wird, dessen speifischer Leitungswiderstand bezogen auf Silber gleich 1 er zu 12,4014 bestimmte. Auf die Silbereinheit berechnet giebt das

$$133.0,75.\frac{4}{9}.12,4014 = 549,8,$$

oder mit der Siemensschen Einheit D = 11,59.

Waltenhofen²) bestimmte die elektromotorische Kraft des Daniellschei Elementes mit Zugrundelegung der Siemensschen Widerstandseinheit z

$$D = 12,04.$$

Die Abweichung der so gefundenen Werte ist besonders in der Ursicherheit der so verglichenen Widerstände begründet. Die größte Sicherheit bietet wohl die Bestimmung von Waltenhofen, da dieser direkt mit dem jedenfalls am sichersten vergleichbar herzustellenden Quecksilberwiderstand beobachtet hat. Waltenhofen macht indes darauf aufmerksam, das seine Bestimmung nur für schwache Ströme gilt, da auch die konstanten Ketten nicht ganz ohne Polarisation sind, welche bei starken Strömes die elektromotorische Kraft nicht unmerklich schwächt. In runder Zahl werden wir daher die elektromotorische Kraft des Daniellschen Elements mit Siemens Einheit gleich 12 setzen können.

Wir haben im § 80 das jetzt in die Praxis übergeführte Strommaß, das Ampère, erwähnt und ebenso im §. 83 das eingeführte Widerstandsmaß, das Ohm. Selbstverständlich gehört zu diesen ein Maß für die elektromotorische Kraft, welches jene Kraft ist, welche im Widerstande 1 Ohm einen Strom von 1 Ampère erzeugt. Man nennt diese elektromotorische Kraft "das Volt". Nach unseren Angaben, daß ein Ampère gleich 10,44 unserer chemischen Einheit, ein Ohm gleich 1,06 Siemens Einheiten, können wir leicht die elektromotorische Kraft des Daniell in Volts angeben. Das Daniellsche Element erzeugt in einem Siemens 12,04 chemische Einheiten oder 11,57 Ampères, im Ohm demnach 11,57 $\cdot \frac{1}{106} = 1,091$, es ist somit

Wir werden im letzten Kapitel die eigentliche Definition der absoluten Einheit der elektromotorischen Kraft kennen lernen, und sehen daß aus dieser und der Stromeinheit sich die Widerstandseinheit ergiebt.

Für das Grovesche Element Zink, verdünnte Schwefelsäure, Salpeter säure, Platin, erhalten wir aus den Versuchen Poggendorffs in der von ihm gewählten Einheit folgenden Wert:

$$Hg Zn \mid H_2 SO_4 + H_2 SO_4 \mid Fe + Fe \mid Hg Zn = 10,12$$

$$Fe \mid H_2 SO_4 + H_2 SO_4 \mid HNO_3 + HNO_3 \mid Pt + Pt \mid Fe = 22,17$$

$$Hg Zn \mid H_2 SO_4 + H_2 SO_1 \mid HNO_3 + HNO_3 \mid Pt + Pt \mid Hg Zn = 32,29$$

¹⁾ Buff, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.

²⁾ von Waltenhofen, Poggend. Ann. Bd. CXXXIII.

Betzen wir die elektromotorische Kraft des Daniellschen Elementes 1, so wird diejenige des Groveschen

$$G = \frac{32,29}{18,8} = 1,717.$$

An einer andern Stelle giebt Poggendorff¹) für das Verhältnis beider

$$G = 1,668 . D.$$

?ür dasselbe Verhältnis fanden

die Versuche stimmen also ziemlich gut überein; dass sie verschieden cann daher rühren, dass die Konzentration der Säuren eine verschiedene Denn dieselbe hat einigen Einflus auf die elektromotorischen Kräfte, us folgenden Versuchen Poggendorffs, sowohl für das Daniellsche als rovesche Element hervorgeht 10):

Daniellsches Element.

Grovesches Element.

$H_2SO_4 + 4aq$;	rauchende Sa	lpete	rsäure				2,00
,, + 4 ,,;	Salpetersäure	von	1,33	sp.	Gew		1,85
+12;	"	77	77	,	,		1,76
"	"	"	1,19	,	,		1,72
+12,;	77	"	"	,	,		1,66
lpeters. von 1,19 +		peter	s. von	1,33	sp.	\mathbf{Gew} .	1,82
lzsäure " 1,2 +		"	17	"	"	"	1,87
nkvitriollösung ges	ättigt;	"	"	"	"	22	1,71
ochsalzlösung gesätt	tigt;	"	"	"	"	22	1,94.

⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LIV.
) Jacobi, Poggend. Ann. Bd. LVII. S. 92.
) Joule, Philosophical Magazin vol. XXIV. 1844. Doves Repertorium

^{.)} Buff, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.

i) Lenz und Saveljew, Poggend. Ann. Bd. LXVII.

i) Beetz, Poggend. Ann. Bd. XC.

^{*)} Regnauld, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XLIV.

1) von Waltenhofen, Sitzungsberichte der Wiener Akademie. Bd. XLIX.

1) Nach der Zusammenstellung von Riecke, Wiedem. Ann. Bd. III und II. Die erste Zahl von Kohlrausch nach der Methode von Ohm, die sweite ler Kompensationsmethode erhalten.

⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LIII S. 845.

Ähnliche Resultate erhielt Waltenhofen 1) bei Vertauschung der petersäure mit Gemischen aus Schwefel- und Salpetersäure.

Es ist also sowohl die Konzentration der Schwefelsäure als auc Salpetersäure auf die elektromotorische Kraft von Einfluss. Daraus er sich zugleich, dass die für ein bestimmtes Element gefundene Zahl allgemeine Gültigkeit haben kann, sondern nur für solche gilt, Flüssigkeiten genau dieselben sind.

Dass ebenso die Natur der Flüssigkeiten sowohl am positiven al negativen Metall von Einfluss ist, selbst wenn man Flüssigkeiten welche keine Polarisation zulassen, versteht sich nach dem Früherer selbst. Es geht das auch aus den angegebenen Versuchen von Pogge hervor, nach welchen Kochsalzlösung anstatt Schwefelsäure die ek motorische Kraft eines Groveschen Elementes beträchtlich verstärkt. noch viel bedeutendere Verstärkung liefert Kalilauge an der Stelle Schwefelsäure: die elektromotorische Kraft eines Groveschen Elem wird dadurch auf 2,41 D bis 2,53 D erhöht.

Für die elektromotorische Kraft des dritten konstanten Eleme des Bunsenschen, welches aus amalgamiertem Zink, verdünnter Sch säure, konzentrierter Salpetersäure und Kohle besteht, sind folgende I angegeben, bei welchen die elektromotorische Kraft des Daniellschen mentes als Einheit angenommen ist.

Die Zahlen stimmen also fast genau mit den für die Grovesche gefundenen überein, so daß man die elektromotorischen Kräfte dieser K als merklich gleich ansehen kann, ein Resultat, welches neuere Messt von Fromme⁵) bestätigen. Auch bei den Bunsenschen Säulen änder die elektromotorische Kraft mit der Konzentration der Säuren; die 1 in rauchender Salpetersäure lieferte wenigstens Poggendorff denselben welchen Platin in rauchender Salpetersäure gab.

Ersetzt man in dem Bunsenschen Elemente die Salpetersäure Chromsäure, so ist die elektromotorische Kraft etwas größer. Nach Po dorff steigt sie von 1,534 auf 1,574, während im Groveschen Elei die Vertauschung der Salpetersäure mit Chromsäure die elektromoto Kraft ganz bedeutend vermindert 6).

Eine nicht unbeträchtliche Verstärkung der Bunsenschen Kett hielt Waltenhofen 7) bei Anwendung eines Gemisches von einem Rau Salpetersäure mit zwei Raumteilen konzentrierter Schwefelsäure un sonders mit rauchender Schwefelsäure an Stelle der Salpetersäure erhielt für diese Gemische nämlich die Werte 1,7754 und 1,8981, wi

¹⁾ von Waltenhofen, Sitzungsberichte der Wiener Akademie. Bd.
Man sehe auch Riecke, Wiedem. Ann. Bd. III.
2) Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LIV. S. 427. Bd. LVII. S. 104.
3) Buff, Poggend. Ann. Bd. LXXIII. Liebigs Ann. Cl.
4) Ed. Becquerel, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XLVIII.
5) Fromme, Wiedem. Ann. Bd. VIII.
6) Poggendarff. Poggend. Ann. Bd. IVIII.

⁶⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LVII.

⁷⁾ von Waltenhofen, Sitzungsberichte der Wiener Akademie. Bd. X

sunsensche Element mit käuflicher Salpetersäure den Wert 1,6814

Bei der neuen Bunsenschen Chromsäurekette (§. 77) ist nach der be Wiedemanns die elektromotorische Kraft im Anfang gleich 2,3 ll.

luf die große Zahl Bestimmungen von elektromotorischen Kräften erschiedensten Kombinationen können wir hier nicht eingehen, bes deshalb, weil sich aus denselben außer den mitgeteilten keine einen Sätze ergeben; wir verweisen deshalb auf die in diesem raphen citierten Originalabhandlungen und auf Wiedemanns Elektriehre, in welcher die zuverlässigsten Resultate sämtlich zusamment sind 1). Nur einen Punkt müssen wir hier noch erwähnen, nämlich ektromotorische Kraft der Gassäulen, da aus den Untersuchungen eetz hervorgeht 2), daß auch bei diesen ein dem von Poggendorff tellten elektromotorischen analoges Gesetz besteht.

rie Gassäulen, welche Beetz zu seinen Versuchen benutzte, waren en Groveschen nur in so weit verschieden, das die Röhren, in n die Platinbleche von den Gasen umgeben waren, jede in einem eren Gefässe in die verdünnte Säure, welche als Leitungsstüssigkeit, eintauchte. Die einzelnen Gefässe wurden durch umgekehrte nige Röhren, welche ebenfalls mit der Leitungsstüssigkeit gefüllt, verbunden.

Die Bestimmungen geschahen nach der Poggendorffschen Kompenmethode, und als kompensierendes Element diente ein Grovesches nt. In der von Beetz angenommenen Einheit ist die elektromoe Kraft des Groveschen Elementes gleich 42, also des Daniellschen 24,7.

1 folgender Tabelle sind einige der Beobachtungen von Beetz zungestellt.

ie Platinbleche waren umgeben von:

das positive	das negative	elektromotorische Kraft
1) Wasserstoff	Sauerstoff	24,02
2) desgleichen	Wasser	20,23
3) Wasser	Sauerstoff	3,49
	S	Summe von 2 u. $3 = 23,72$
4) Wasserstoff	Kohlensäure	21,88
5) Kohlensäure	Sauerstoff	2,22
		Summe 24,00
6) Wasserstoff	Stickoxydul	21,18
7) Stickoxydul	Sauerstoff	3,03
		Summe 24,21
8) Stickoxydul	Kohlensäure	0,66
Differenz	zwischen 4 und	6 0,70
Differenz	zwischen 5 und	7 0,81

Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. I. S. 651-795.
Beetz, Poggend. Ann. Bd. LXXVII.

das positive	das negative	elektromotorische Kraft
9) Wasserstoff	Chlor	30,25
10) Wasserstoff	Luft	20,50
11) Luft	Chlor	9,50
·	នាំ	amme von 10 u. 11 = 300
12) Wasserstoff	Kohlenoxyd	12,25
13) Kohlenoxyd	Chlor	17,15
	•	Summe 29,40.

Diese Zahlen beweisen schon zur Gentige das Vorhandensein der elektromotorischen Gesetzes zwischen den die Platinbleche in den Gebatterien umgebenden Gasen.

Beetz hat es auf diese Weise bei einer großen Zahl von Gasen bestätigt und so die Grovesche Spannungsreihe durch Zahlen vervollstänigt

Von großem Interesse ist das aus diesen Messungen von Beetz sich ergebende Resultat, daß die elektromotorische Kraft einer Wasserstoff-Saulerstoff-Säule fast genau gleich derjenigen eines Daniellschen Elementes ist, während diejenige der Wasserstoff-Chlor-Säule jene des Daniellschen Elementes noch überschreitet.

Wenn als Metall in den Gasketten Platin angewandt wurde, wurde die elektromotorische Kraft immer dieselbe, ob die Platten platiniert, d. mit Platinmoor bedeckt, oder blank waren.

Bei Anwendung anderer Metalle oder Kohle waren die elektromotorischen Kräfte bedeutend kleiner; bei Untersuchung derselben ergab sich dass auch dann das elektromotorische Gesetz ganz in derselben Wesse giltig ist, und dass die elektromotorische Kraft bei Anwendung irgent zweier Gase zu derjenigen bei Anwendung derselben Gase und Platin in einem konstanten Verhältnisse stehen. So ist bei Anwendung einer gewissen Art Kohle die elektromotorische Kraft stets 0,4687 derjenigen, welche sich bei Anwendung von Platin ergiebt. Für die Wasserstoff-Sauerstoffkette ergiebt sich nämlich bei Anwendung von Kohle die elektromotorische Kraft zu 11,16; die der Wasserstoff-Chlorkette gleich 14,37.

Bei Anwendung von Silber ist die elektromotorische Kraft 0,049 derjenigen, welche sich bei Anwendung von Platin zeigt.

Beetz sieht als Grund dieser Erscheinung die verschiedenen Grund der Verdichtung an, welche die Gase an den verschiedenen Körpern er fahren; damit stimmt allerdings überein, dass bei Anwendung von Plain die elektromotorische Kraft am größten ist, da wir wissen, dass und Platin, als dem dichtesten Körper, die Verdichtung der Gase jedenfalls am größten ist.

§. 89.

Bestimmung des Widerstandes in den Elementen. Die in den §. 84, 85 und 87 besprochenen Methoden zur Bestimmung der Leitungswiderstände sind nicht geeignet, um die Leitungswiderstände der Elemente selbst, also, wenn wir den Widerstand des äußeren Stromkreises mit ?

eichnen, den innern oder sogenannten wesentlichen mit W, in der nschen Gleichung

 $J = \frac{E}{W + r}$

Wert von W zu bestimmen. Denn alle Methoden beruhen darauf, s der zu untersuchende Widerstand in einen Stromkreis eingeschaltet d, dessen elektromotorische Kraft konstant ist. Schalten wir aber end ein Element in einen Stromkreis ein, so wird in denselben stets e neue unbekannte elektromotorische Kraft eingeführt. Eine Methode Bestimmung von W haben wir zwar schon bei der Bestätigung des mschen Gesetzes durch Messung der Stromstärke kennen gelernt; wir alten in den Stromkreis der Kette nach einander zwei Widerstände und r_2 ein und beobachten die Stromstärken J_1 und J_2 ; dann ist

$$J_1 = \frac{E}{W + r_1}$$

$$J_2 = \frac{E}{W + r_2}$$

l daraus folgt

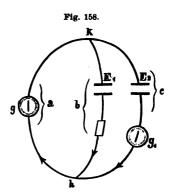
$$W = \frac{r_1 J_1 - r_1 J_1}{J_1 - J_2}$$

Diese Methode und ebenso alle, welche einen mehr oder weniger gen Schluß des Elementes, dessen Widerstand gemessen werden soll, ordern¹), können indes nur exakte Resultate geben bei Anwendung z konstanter Elemente, bei denen also durch die Ströme keine Änderg der elektromotorischen Kraft oder des Widerstandes eintritt. Das jedoch nur in seltenen Fällen und selbst bei den sogenannten konnten Ketten nur unter günstigen Umständen zu erreichen, wenn nämlich und J_2 ziemlich stark, so daß das Maximum der Polarisation erreicht, und nicht zu sehr verschieden sind. In andern Fällen ändert sich E1 durch die in den Flüssigkeiten stattfindende Zersetzung auch W.

Deshalb haben vor kurzem von Waltenen²) und Beetz³) Methoden angegeben, che eine scharfe Messung der Widerstände len Elementen gestatten, die wir erst an ser Stelle vorzuführen imstande sind, da beide auf der im vorigen Paragraphen prochenen Methode von Poggendorff zur ssung der elektromotorischen Kraft beruhen.

Waltenhofen wendet direkt die Poggenfische Stromverzweigung an, und schaltet 158 in den die beiden Zweige verbinden Draht a und in den Zweig c, der Kette enthält, deren Widerstand gemeswerden soll, ein Galvanometer g und g_1

3) Beets, Poggend. Ann. Bd. CXLII.



¹⁾ Man sehe mehrere solche Methoden in Wiedemann, Elektricitätslehre I. S. 480 ff.

²⁾ von Waltenhofen, Poggend. Ann. Bd. CXXXIV.

ein, welches die Stromstärken i und i_2 zu messen gestattet, in den Zweig b, der das kompensierende Element E_1 enthält, dagegen einen Rhesstaten. Die Stromstärken in den drei Zweigen sind, wenn wir wie § 81 i_1 und i_2 mit dem gleichen Vorzeichen versehen, wenn in beiden Zweigen der Strom nach h fließt,

$$i = \frac{E_2 w_1 + E_1 w_2}{w w_1 + w w_2 + w_1 w_2}$$

$$i_2 = \frac{E_2 (w_1 + w) - E_1 w}{w w_1 + w w_2 + w_1 w_2}$$

Es soll hierin w_2 , der Widerstand im Zweige c bestimmt werden. Zunächst werden die Widerstände so abgeglichen, daß i_2 gleich 0 in also vollständige Kompensation erreicht ist. Damit wird

$$E_{1}(w + w_{1}) - E_{1}w = 0$$

$$E_{1} = E_{2} \frac{w + w_{1}}{w};$$

nun wird der Widerstand w_1 um eine sehr kleine Größe geändert, nehmen wir an er werde um dw_1 vergrößert. Dadurch wird i_2 wieder von 0 verschieden, es werde di_2 , und i wird um eine gewisse Größe kleiner, es werde i-di. Die Veränderungen di_2 und di werden an den Galvanmetern g und g_1 beobachtet. Diese Veränderungen ergeben sich aus den Gleichungen für i und i_2 folgendermaßen. Es wird

$$i - di = \frac{E_2 w_1 + E_1 w + E_2 dw_1}{w w_1 + w w_2 + w_1 w_2 + (w + w_2) dw_1} = \frac{Z + dZ}{N + dN},$$

somit

$$-di = i - di - i = \frac{Z + dZ}{N + dN} - \frac{Z}{N} = \frac{NdZ - ZdN}{N^2 + NdN}.$$

Nehmen wir nun dw_1 hinreichend klein, so kann im Nenner NdN gegen N^2 vernachlässigt werden, und es wird

$$-di = \frac{NdZ - ZdN}{N^2} = \frac{N \cdot E_2 - (E_2 w_1 + E_1 w_2) (w + w_3)}{N^2} dw_1.$$

Ganz in derselben Weise erhalten wir für di,

$$di_2 = i_2 + di_2 - i_3 = \frac{N \cdot E_2 - \left\{ E_2(w + w_1) - E_1 w \right\} (w + w_2)}{N^2} \cdot dw_1$$

Da wir von dem Werte w_1 ausgingen, der i_2 gleich null machte, so folgt auch jetzt

$$E_2(w + w_1) - E_1 w = 0,$$

somit

$$di_2 = \frac{E_2}{N} dw_1,$$

und weil

$$E_1 = E_2 \frac{w + w_1}{w},$$

wird

$$-di = -\frac{E_2}{N} \frac{w_2}{w} dw_1.$$

Daraus folgt

$$\frac{di}{di_2} = \frac{w_2}{w}; \quad w_2 = w \, \frac{di}{di_2}.$$

Man hat also außer den Änderungen der Stromstärken nur den Widerstand des Zweiges a zu kennen, um den Widerstand des Zweiges c zu bestimmen. Bestimmt man den Widerstand r des Zweiges c außerhalb demjenigen u des Elementes, so wird

$$u = w_2 - r.$$

Eine Kontrollmessung erhält man, wenn man den Widerstand w_1 verkleinert, wodurch i um di wächst und di_2 die entgegengesetze Richtung bekommt, außerdem noch indem man verschiedene aber immer kleine Werte von dw_1 wählt.

Beetz wendet zur Bestimmung der Widerstände in den Elementen die Poggendorffsche Kompensationsmethode in der ihr von E. Du Bois-Reymond gegebenen Form an. Er mifst nicht wie Waltenhofen den Widerstand der kompensierten Kette, sondern den der kompensierenden, indem er die im vorigen Paragraphen schon erwähnte, von Bosscha bei dem einfachen Poggendorffschen Verfahren angewandte Modifikation benutzt.

Gehen wir von den Gleichungen S. 601 aus, und nehmen an, das kompensierende Element E Fig. 154 sei mit dicken Kupferdrähten, deren Widerstand verschwindend klein ist, mit dem Kompensationsdraht RS verbunden; nennen wir den Widerstand in dem Zweige RES, der dann mur der Widerstand des Elementes ist, W, den Widerstand des ganzen Kompensationsdrahtes RS = b und den Widerstand des Stückes RT = a, so wird die Gleichung von S. 601

$$K = E \, \frac{w}{w + w_1} \,,$$

da

$$w = a; \quad w + w_1 = b + W$$

$$K = E \frac{a}{b + W}.$$

Befindet sich nun bei S Fig. 154 etwa ein Rheochord, bei dem, wie wir damals annahmen, jetzt ein Widerstand l_1 in den Kreis REST eingeschaltet wird, so muß zur erneuten Kompensation der Widerstand a um eine Größe l vermehrt werden, indem der Schieber T gegen S verschoben wird. Nach den Gleichungen des §. 88 S. 602 ist dann

$$K = E \cdot \frac{l}{l}$$

und aus dieser und der vorigen Gleichung folgt

$$\frac{a}{b+W} = \frac{l}{l_1},$$

somit

$$W = \frac{a \, l_1 - b \, l}{l} \, .$$

Man hat also nur die Widerstände der vier Drahtlängen a, b, l, l, genau zu bestimmen, um den Widerstand W mit derselben Sicherheit zu erhalten.

Man erkennt sofort, dass man mit der Bosschaschen Modifikation und ebenso gut das einfache Poggendorffsche Verfahren zu demselben Zweitbenutzen kann; aus den mit demselben sich ergebenden Gleichungen und S. 600 läst sich w_1 durch l, l_1 und w unmittelbar ableiten.

Es bedarf keiner besondern Bemerkung, dass man hierbei gleichzeit mit W auch das Verhältnis $\frac{E}{K}$ erhält.

Von Waltenhofen und Beetz haben nach dieser Methode die Widerstände einer Anzahl Elemente gemessen; da diese wesentlich von den Dimensionen und der Konzentration der Lösungen abhängen, so haben die erhaltenen Zahlen keine weitere Bedeutung. Für Grovesche Elemente erhält Beetz Werte, welche zwischen 0,28 und 0,5 Siemens Einheiten liegen; die Platinplatten in denselben waren 22 cm lang, 6 cm breit. Für ein Daniellsches Element von 6 cm Höhe fand sich der Widerstand etwa 0,95 Siemens Einheiten.

Man erhält selbstverständlich nach dieser Methode auch die elektromotorischen Kräfte, Beetz giebt für dieselben an

> 1 Grove = 1,684 Daniell 1 Bunsen = 1,692 Daniell.

Für alte schon lange gebrauchte Meidingersche Elemente erhielt Beet die elektromotorische Kraft

1 Meidinger = 0,932 Daniell

und 3,74 Siemens Einheiten als Widerstand. Die Meidingerschen Element waren aus einer für telegraphische Zwecke bestimmten Batterie, hatten somit wohl die für diesen Zweck gewöhnlich angewandten Dimensionen

§. 90.

Thermoströme. Die bisher vorgeführten Methoden zur Erzeugung galvanischer Ströme erforderten stets zwischen den erregenden Metallen einen feuchten Leiter. Ein rein metallischer Kreis kann dem Spannungsgesetze zufolge keinen galvanischen Strom liefern, da die an den verschie denen Berührungsstellen der Metalle thätigen elektromotorischen Kräfte sich gegenseitig aufheben. Das gilt jedoch nur so lange, als die Temperatur an allen Stellen des metallischen Kreises und insbesondere 2 den Stellen, wo die verschiedenen Metalle sich berühren, dieselbe ist. Wem das nicht der Fall ist, so tritt auch in dem rein metallischen Kreise ein Strom auf. Die erste Beobachtung dieser Art wurde im Jahre 1823 von Seebeck gemacht. Derselbe lötete auf ein Wismutstäbchen ab (Fig. 159) einen Kupferstreifen k, so das Wismutstäbchen und der Kupferstreifen zusammen einen geschlossenen Stromkreis bildeten. Im Innern desselben schwebte auf einer auf dem Wismut befestigten Spitze eine Magnetnadel Sei der Apparat so aufgestellt, dass das Wismut dem magnetischen Meridiane parallel steht, und sei dann n der Nordpol der Magnetnadel. Wird die Lötstelle b erwärmt, so wird sofort die Magnetnadel aus dem Meridiane abgelenkt, und zwar so, dass das Nordende der Nadel nach Osten abweicht. Diese Abweichung beweist, dass in den Metallen ein Strom kreist, und zwar über der Nadel in der Richtung von Norden nach Süden, terhalb von Süden nach Norden. Die Erwärmung der Lötstelle veranst also einen Strom, welcher durch die erwärmte Lötstelle von dem ismut zum Kupfer geht. Einen ganz ebenso gerichteten Strom erhält in, wenn man anstatt die Lötstelle b auf eine höhere Temperatur zu ingen, die Lötstelle a abkühlt, so daß die Temperatur derselben niedriger rd als jene von b. Es folgt also, daß bei dieser Kombination immer nn ein Strom auftritt, wenn die beiden Stellen, an welchen die Metalle in berühren, eine verschiedene Temperatur haben, und zwar geht der rom an der wärmeren Berührungsstelle vom Wismut zum Kupfer, durch kältere Berührungsstelle vom Kupfer zum Wismut.



Daraus folgt schon, dass der Strom die der angegebenen entgegenesetzte Richtung hat, wenn man die Lötstelle a erwärmt oder die Löttelle b abkühlt.

Die Magnetnadel bleibt so lange abgelenkt, als die Temperaturifferenz der Lötstelle dauert, der Strom dauert also ebenso lange fort;
arin erkennen wir einen wesentlichen Unterschied zwischen dieser elekischen Erregung und der im vorigen Abschnitt erwähnten pyroelektrischenetztere dauert nur so lange, wie die Änderung der Temperatur der Kryalle dauert, sie hört auf, wenn dieselbe konstant geworden ist.

Diese sogenannten Thermoströme zeigen sich nicht nur, wenn man nen metallischen Bogen von Wismut und Kupfer an der einen Berührungselle erwärmt, sondern überhaupt, wenn man irgend zwei Metalle ninmt, eselben zu einem geschlossenen Kreise verbindet, und nun eine der beiden erührungsstellen erwärmt. Dabei zeigt sich, daß die Metalle sich ebenso eine thermoelektrische Spannungsreihe einordnen lassen wie in eine oltasche, d. h. in eine Reihe derart, daß wenn man irgend zwei in der gegebenen Weise zu einem Bogen verbindet, und die eine der beiden erührungsstellen erwärmt, der Strom immer durch die warme Lötstelle in dem vorherstehenden Metalle zu dem nachfolgenden geht. Der Anagie mit der Voltaschen Reihe gemäß nennt man das vorhergehende stall dann gegen das nachfolgende negativ.

Die von Seebeck¹) aufgestellte, in dieser Weise geordnete Reihe ist gende:

¹⁾ Seebeck, Denkschriften der Berliner Akademie 1822 und 1823. Poggend.

Wismut	Kupfer (käuflich)	Silber (rein aus Chlor-
Nickel	Messing No. 1	silber reduziert)
Kobalt	Platin No. 3	Zink
Palladium	Quecksilber	Wolfram
Platin (reines)	Blei	Platin (No. 1 von Ge-
Uran	Zinn	rätschaften)
Kupfer (aus Oxyd)	Platin No. 2	Kadmium
reduziert	Chrom (rein)	Stahl
Mangan	Molybdän	Eisen (rein von Ber-
Titan	Kupfer (käuflich)	zelius)
Messing No. 2	Rhodium	Arsen
Gold (Dukatengold	Iridium	Antimon
6,6 Ag u. 4,3 Cu	Gold (rein)	Tellur
enthaltend)	, ,	+

Die Reihe von Hankel¹) stimmt im wesentlichen mit dieser überein, kleine Abweichungen erklären sich unmittelbar schon aus der Betrachtung der obigen Reihe; denn aus derselben geht hervor, dass kleine Verureinigungen die Stellung der Metalle in der Reihe sehr wesentlich verschieben. Kupfer No. 2 und No. 3 z. B. waren beide käufliche Sorten, welche nach H. Roses Untersuchungen von den gewöhnlichen Verunreinigungen, Schwefel, Blei, Eisen, Silber frei waren.

In die Spannungsreihe der einfachen Metalle lassen sich nach den Versuchen von Seebeck auch Metalllegierungen einordnen; dabei zeigt sich, daß manche Legierungen nicht zwischen den Metallen stehen, aus welchen sie zusammengesetzt sind, sondern höher oder tiefer als die einzelnen Bestandteile. So giebt z. B. Seebeck folgende Reihe für einzelne Legierungen:

Wismut	Zink
Blei	3 Wismut 1 Blei
Zinn	1 Antimon 1 Kupfer
1 Wismut 3 Zink	1 Antimon 3 Kupfer
1 Wismut 3 Blei	1 Antimon 3 Blei; 3 Antim. 1 Blei
Platin No. 2	1 Antimon 3 Zinn; 3 Antim. 1 Zinn
1 Wismut 3 Zinn	Stahl
Kupfer No. 2	Stabeisen
1 Wismut 1 Blei	3 Wismut 1 Zinn
Gold No. 1	1 Wismut 3 Antimon
Silber	Antimon
1 Wismut 1 Zinn	1 Antimon 1 Zinn
	3 Antimon 1 Zink
	1

Die thermoelektrische Spannungsreihe giebt zugleich ebenso wie die Voltasche Aufschlufs über die Größe der elektrischen Erregung bei der Erwärmung der einzelnen Berührungsstellen; auch hier wie dort gilt das

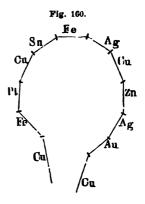
¹⁾ Hankel, Poggend. Ann. Bd. LXII.

esetz, dass die elektrische Erregung irgend zweier Metalle der eine gleich ist der Summe der elektrischen Erregungen aller genden Metalle, vorausgesetzt, dass die Temperaturdifferenz der lieselbe ist. Bezeichnen wir z. B. die elektrische Erregung bei eraturdifferenz von 50° zwischen Wismut und Nickel mit $E_{Bi\ Ni}$, ickel und Kupfer mit $E_{Ni\ Cu}$, zwischen Wismut und Kupfer so ist

$$E_{BiCu} = E_{BiNi} + E_{NiCu}.$$

ann dieses sehr leicht auf folgende Art beweisen: Man nehme n Metallstab, z. B. einen Antimonstab, und bringe an seine en die Drahtenden des Galvanometers. Man erwärme das eine lem angelegten Kupferdrahte, so wird man eine bestimmte des Galvanometers erhalten. Ganz dieselbe Ablenkung wird rhalten, wenn man zwischen den Antimonstab und den einen noch einen anderen Metallstab, z. B. einen Zinkstab einlijetzt sowohl die Stellen, wo der Antimon- und Zinkstab sich is wo der Kupferdraht am Zinkstab anliegt, auf 50° erwärmt. rel¹) hat diese Bedeutung der thermoelektrischen Reihe durch gleichung der elektromotorischen Kräfte verschiedener Metalle Temperaturdifferenz der Lötstellen nachgewiesen. Er setzte le eine Kette aus einer Reihe von Metallen in der Art, wie sammen. Alle Stellen, an denen zwei verschiedene Metalle sich

wurden auf der Temperatur 0° erhalder Berührungsstelle jener beiden en thermoelektrisches Verhalten gegen prüft werden sollte. Die Kette wurde lurch ein nach der Methode von Melrtes²) Galvanometer geschlossen. Da ette außer an der Berührungsstelle deren thermoelektrisches Verhalten den sollte, die Temperatur 0° hatte, ein Strom nur dadurch, daß diese ler einen Berührungsstelle eine höhere hatten als an der anderen, an welcher ch Vermittelung der übrigen Metalle also gerade so wie bei der Einrichebeck. Wenn also z. B. die Lötstelle



auf die Temperatur 20° erhöht wurde, so war die elektro-Kraft genau dieselbe, als wenn der Eisendraht um das Galgeführt und an der andern Seite das Zinn direkt berührt, und rungsstelle auf 0° erhalten worden wäre. Da nun in dieser bei allen Versuchen der Widerstand derselbe war, so war die ische Kraft der beobachteten Stromstärke einfach proporieser Weise beobachtete Becquerel folgende elektromotorischen in die Temperatur der erwärmten Lötstellen 20°, die aller war.

uerel, Ann. de chim. et de phys. T. XII. Poggend. Ann. Bd. XVII. sche Teil III. S. 165 ff.

Eisen - Zinn	31,24
Zinn - Kupfer	3,50
Eisen — Kupfer	27,96
Kupfer — Platin	8,55
Eisen — Platin	36,07
Eisen — Silber	26,20
Silber — Kupfer	2,00
Zink — Kupfer	1,00
Silber — Gold	0,50.

Aus dieser Tabelle ergiebt sich, dass bei der gleichen Temperaturdifferenz von 20°

$$Fe - Pt = Fe - Sn + Sn - Cu + Cu - Pt$$

36,07 31,24 - 3,50 + 8,55 = 36,29.

Ebenso ist Fc - Cu = Fc - Ag + Ag - Cu, und so bei der anderen vergleichbaren Versuchen. Wie man sieht, stimmen die Zahlen von Becquerel zugleich mit der Seebeckschen Spannungsreihe überein, indem von dem negativsten Metalle Platin an zu dem positivsten Eisen, in eine Reihe geordnet, die Metalle sich beinahe ebenso folgen, wie bei Seebeck.

Die Becquerelschen Zahlen geben uns zugleich das Verhältnis der thermoelektromotorischen Kräfte der verschiedenen Metalle bei gleicher Temperaturdifferenz der Lötstellen an. Setzen wir die thermoelektrische Differenz zwischen Zink und Kupfer gleich 1, so ist dieselbe zwischen

		nach	Becquerel	nach Wiedemann
Eisen	und	Silber	26,20	29,12
"	"	Gold	26,70	<u>.</u>
"	"	Zink	26,96	29,44
"	"	Kupfer	27,96	30,44
"	22	Zinn	31,24	35,20
"	27	Platin	36	•
"	"	Messing		86,32
"	"	Neusilber	r —	61,36.

Die Zahlen von Wiedemann¹) wurden in ähnlicher Weise bestimmt, wie die von Becquerel; nach denselben ist die elektrische Differenz Zink-Kupfer im Verhältnis zu den übrigen Metallen etwas kleiner; die Reibenfolge der Metalle stimmt mit der Becquerelschen indes überein.

Die thermoelektromotorische Kraft zwischen den Metallen ändert sich mit der Temperaturdifferenz der Lötstellen, sie wird größer, wenn die letztere wächst. Für kleinere Temperaturdifferenzen darf die elektromotorische Kraft den Temperaturdifferenzen der Lötstellen proportional gesetzt werden; erhält man also die eine Lötstelle auf der Temperatur of und erwärmt die andere auf die Temperaturen 10°, 20°, 30°, so verhalten sich die beobachteten Stromintensitäten, also auch die elektromotorischen Kräfte wie 1:2:3. Ganz dasselbe ist auch der Fall, wenn

¹⁾ Wiedemann, Galvanismus. Bd. I. §. 590. 2. Auft.

Temperatur der einen Lötstelle nicht auf 0° erhält, sondern die t° erwärmt und die andere von dieser Temperatur an um 10° , erwärmt 1).

es Gesetz gilt indes allgemein nur innerhalb ziemlich enger Temenzen; häufig reicht schon eine Temperaturdifferenz von 50° hin, wirken, dass die Proportionalitat nicht mehr stattfindet. Das ter anderen folgende Angaben von Wiedemann²).

den bei den angegebenen Temperaturdifferenzen beobachteten elekchen Kräften wurde durch Division mit der Temperaturdifferenz omotorische Kraft für die Differenz 1° berechnet.

inge das Gesetz der Proportionalität gültig ist, müssen die so in Quotienten einander gleich sein. Die Temperatur der einen ist immer 0°.

Name der Ketten	Temperaturdiff.	Elektrom. Kraft
Silber-Stahl	15°	2,80
	45°	2,79
	57°	2,69
	70°	2,64
	88°	2,62
Kupfer-Eisen	35°	3,90
•	48°	3,80
	61°	3,73
	76°	3,61
	82°	3,56.

ler Kette Silber-Stahl ist also bis zu einer Temperaturdifferenz die elektromotorische Kraft derselben proportional, bei größerer lektromotorische Kraft eine relativ kleinere, sie nimmt langsamer Temperaturdifferenz. Denselben Gang zeigt die elektromotorische der Kupfereisenkette und fast bei allen, welche darauf unter-

rielen Ketten hat sich sogar gezeigt, daß bei großen Temperaturdie elektromotorische Kraft sogar absolut wieder kleiner wird.
m Ketten nimmt die Stromintensität bei steigender Temperaturu bis zu einem Maximum, sie nimmt dann ab bis zu null, und
r in die entgegengesetzte über. Schon Seebeck giebt einige dage Angaben und Cumming fand³), daß, wenn Gold, Silber, Kupfer,
der Zink mit Eisen zu einem Thermoelement verbunden werden,
zunächst durch die erwärmte Lötstelle zum Eisen ging, daß
n die Lötstelle bis zur Rotglut erhitzt war, der Strom die enttzte Richtung hatte. Nach Becquerel nimmt die elektromotoft Zink-Gold bis zu einer Temperaturdifferenz von 70° zu, von
d sie kleiner und bei 150° ist sie gleich 0; in noch höheren

equerel, Annales de chim. et de phys. T. XLI. Poggend. Ann. Bd. XVII. iedemann, Galvanismus. Bd. I. §. 619. 2. Aufl. Man sehe auch Regnault, le l'Acad. T. XXI. Abhandlung "De la mésure des temperatures". imming, Electro-dynamics sect. 104 p. 193. Cambridge 1827 und Camlos. Transact. for 1823 addition to p. 61.

Temperaturen geht der Strom nicht mehr durch die erwärmte Lötstelle vom Gold zum Zink, sondern umgekehrt, so daß also dann in der thermeelektrischen Spannungsreihe das Zink dem negativen Ende näher steht als das Gold.

Hankel 1) und Gaugain 2) haben dasselbe für eine große Anzahl von Metallen gezeigt, so dass bei großen Temperaturdifferenzen die thermeelektrische Spannungsreihe eine ganz andere ist als bei kleinen Unterschieden der Temperatur.

Die Umkehr des Stromes bei starker Erwärmung der Lötstellen wurde zuerst von Thomson 3) und später von Avenarius*) genauer untersucht. Thomson wies zuerst nach, dass diese Umkehr nicht nur von der Temperaturdifferenz der Lötstellen, sondern auch von der Temperatur der Lötstellen abhängt. Man erhält nämlich bei den Metallen, welche eine solche Umkehr zeigen, dieselbe nicht nur, wenn man die eine Lötstelle allein erwärmt, sondern auch dann, wenn man bei irgend einer Temperaturdifferenz der Lötstelle beide gleichzeitig erwärmt; es wird immer der Thermostrom gleich null, wenn die halbe Summe der Temperaturen beider Lötstellen einen bestimmten, von der Natur der Metalle abhängigen Wert Bei einem von Thomson angewandten Kupfer und Eisen war diese halbe Summe z. B. 280°, so dass also der Strom jedesmal verschwindet, wenn die Temperatur der einen Lötstelle gerade soviel über 280° erwärmt wird, wie die andere unter 280° erwärmt ist.

Dieser Satz von Thomson wurde von Avenarius bestätigt, der dann zeigte, daß man diese Erscheinung unmittelbar ableiten könne unter der Voraussetzung, dass die bei der Berührung zweier Metalle auftretende elektromotorische Kraft eine Funktion der Temperatur von der Form

$$E = a + bt + ct^2$$

sei. Werden zwei Metalle zu einem Thermoelemente verbunden, so wird an der Lötstelle, welche die Temperatur t, hat, die elektromotorische Kraft

$$E_1 = a + bt_1 + ct_1^2,$$

an der Lötstelle, deren Temperatur to ist,

$$E_2 = a + bt_2 + ct_2^2.$$

Die elektromotorische Kraft des Thermoelementes ist dann

$$\begin{split} E_2 - E_1 &= b \left(t_2 - t_1 \right) + c \left(t_2^2 - t_1^2 \right) \\ E_2 - E_1 &= \left(t_2 - t_1 \right) \left\{ b + c \left(t_2 + t_1 \right) \right\}. \end{split}$$

Nach diesem Ausdruck wird die elektromotorische Kraft des Thermestromes gleich 0 einmal für $l_2 = l_1$, wenn also keine Temperaturdifferen vorhanden ist, dann aber auch wenn

$$b + c (t_2 + t_1) = 0$$

$$t_2 + t_1 = -\frac{b}{a},$$

¹⁾ Hankel, Poggend. Ann. Bd. LXII.

Gaugain, Annales de chim. et de phys. III. Série T. LXV.
 Thomson, Philosophical Transactions of London royal society for 1856

chung, welche dem oben angeführten Satze von Thomson ent-

Prüfung dieser Beziehung bestimmte Avenarius zunächst die Stromier Anzahl von Thermoelementen und suchte bei solchen, bei h bei steigender Temperaturdifferenz wieder eine Abnahme der ke zeigte, direkt die Summe $t_2 + t_1$ zu bestimmen, bei welcher der om gleich null war. Die von ihm abgeleitete Beziehung fand len Fällen bestätigt.

iess sich für Silber und Eisen die Intensität der Thermoströme willkürlichen Einheit darstellen durch die Gleichung

$$J = (t_2 - t_1) \{3,29424 - 0,00737 (t_2 + t_1)\}$$

nde Tabelle zeigt; t_1 war gleich 19°.

	ě	T
t_2	beob.	ber.
300°	258	264,9
280	283	284,6
260	297	298,4
240	308	306,2
220	311,3	308,1
200	307	304,2
180	296	294,2
140	258	256,8
100	195	195,7.

die Summe der Temperaturen, für welche J=0 sein muß, eraus der Gleichung

$$t_2 + t_1 = \frac{3,29424}{0.00737} = 447.$$

Beobachtung ergab unter andern J=0 für

t_2	t_{i}	$t_1 + t_2$
260°	186	446
289	158	447
302	145	447
312	136	448
328	118	446.

halbe Summe der Temperatur, für welche J=0 wird, giebt uns g jene Temperatur an, von welcher die Temperaturen beider Löteich weit entfernt sein müssen, damit in der Kombination kein Für Silber und Eisen ergiebt sich dieselbe zu tstehen kann. san nennt diese Temperatur häufig den neutralen Punkt der ion. Derselbe ist gleichzeitig dadurch charakterisiert, dass wenn eratur der einen Lötstelle auf irgend einer beliebigen Temperatur n wird, der Thermostrom seine größte Stärke erhält, wenn die itstelle bis zu dem neutralen Punkte erwärmt wird. Es folgt das ar aus der Eigenschaft des neutralen Punktes, ergiebt sich aber ht, wenn man nach der bekannten Regel der Bestimmung des t, Physik. IV. 4. Aufl.

Maximums für ein beliebiges t_1 aufsucht, für welchen Wert von t_2 die dtromotorische Kraft resp. die Stromstärke J ein Maximum wird. Wir in nach t_2 zu differentiieren und $\frac{dJ}{dt_2} = 0$ zu setzen. Es ist

$$\frac{dJ}{dt_2} = a - 2bt_2;$$

setzen wir das gleich O, so wird

$$t_2 = \frac{a}{2b}$$
.

In der That beobachtete Avenarius bei $t_2 = 220$ den Wert J = 0 den größten in der ganzen oben angeführten Beobachtungsreihe.

Für Kupfer und Eisen fand Avenarius in derselben Weise

$$J = (t_2 - t_1) \{0.9653 - 0.00175 (t_2 + t_1)\}$$

$$t_2 + t_1 = 551.6 \text{ für } J = 0.$$

Bei Platin und Blei, Platin und Palladium trat keine Abnahme Stromstärke mit steigender Temperaturdifferenz ein, für erstere Kombin erhielt Avenarius

$$J = (t_2 - t_1) \{0.085 + 0.0046 (t_2 + t_1)\},\,$$

für letztere

$$J = (t_2 - t_1) \{3,3701 + 0,000709 (t_2 + t_1)\},\,$$

welche bis $t_2 = 300^{\circ}$ die Beobachtungen wiedergab.

In einer folgenden Arbeit¹) hat Avenarius diese Beziehung noch weitern Prüfung unterworfen, indem er die elektromotorischen Kräfte dach der Methode von Kohlrausch mit dem Kondensator maß.

Bei einer Versuchsreihe erhielt so Avenarius für die elektromotor Kraft Neusilber Stahl bei der Temperatur 18" nach der Methode von rausch den Wert 14,56 ausgedrückt in Prozenten der elektromotori Kraft eines Daniellschen Elementes, wobei Neusilber sich positiv & Stahl ergab. Bei einem aus Drähten dieser Metalle hergestellten The element ergab sich, daß der Strom durch die erwärmte Lötstelle Neusilber zum Stahl ging. Daraus ergiebt sich, daß bei diesen Met die elektromotorische Kraft mit steigender Temperatur abnimmt, de Richtung des Stromes beweist, daß an der kalten Berührungsstelle positive Elektricität auf das Neusilber übergeht als an der warmen

Um die Werte b und c in der Gleichung

$$E = a + bt + ct^2$$

zu bestimmen, wurde aus diesen Drähten eine Thermosäule von 20 menten hergestellt, und die Stromstärke in ihrer Abhängigkeit vol Temperatur untersucht. Es ergab sich dabei

$$20 (E_1 - E_2) = J = 20 (t_2 - t_1) \{0.07992 - 0.000027 (t_2 + t_2)\}$$

in einer willkürlichen Einheit. Zur Bestimmung des Wertes der el motorischen Kraft des Thermostromes in Einheiten des Daniellsche

¹⁾ Avenarius, Poggend. Ann. Bd. CXXII.

ites wurde die zweite Fechnersche Methode benutzt, es wurde die rmosäule, deren eine Lütstelle auf 245° , deren andere auf 18° erhalten de, einmal im gleichen, einmal im entgegengesetzten Sinne mit einem tiellschen Elemente in den Stromkreis eingeschaltet und so Summe und erenz der Stromstärken beobachtet. Die elektromotorische Kraft ergab gleich 8,84 Prozent des Daniellschen Elementes, woraus sich in Verlung mit obiger Gleichung für $E_2 - E_1$ ergiebt

$$E_2 - E_1 = \{-0.002123 + 0.000000712 (t_1 + t_2)\} (t_2 - t_1)$$

für E bei 18^{0} , für welche am Kondensator 14,56 gefunden war,

$$14,56 = a - 0,002123.18 + 0,000000712(18)^2$$

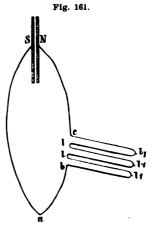
aus sich ergiebt

$$a = 14,598$$

$$E = 14,598 - 0,002123 \cdot t + 0,000000712 t^2$$

Zur Prüfung der so gewonnenen Gleichung untersuchte Avenarius Potentialwerte des Stahl-Neusilber Kondensators, wenn die Berührungslen der Metalle auf verschiedene Temperaturen gebracht wurden. Die ordnung des Versuches zeigt schematisch Fig. 161. Die beiden Kon-

satorplatten S und N wurden zunächst durch en Stahldraht Sa und einen Neusilberdraht zur Berührung gebracht, die Berührungsle auf 180 gehalten, und die Potentialktion der einen Platte gemessen. rde in den Neusilberdraht zwischen b und c schon früher benutzte Thermosäule von Elementen eingeschaltet und deren Lötllen l_1 zu verschiedenen Temperaturen t errmt, während die anderen Lötstellen ebens auf 180 gehalten wurden. Die Ladung Kondensators bei diesem Versuche setzte h zusammen aus der durch die Berührung a getrennten Elektricität und aus der inge der Temperaturdifferenz der warmen und ten Lötstellen abfliefsenden Elektricität. Die ähte waren so eingeschaltet, dass infolge des



zteren Umstandes der Potentialwert der Platten vergrößert wurde. Nach vorher aufgestellten Gleichung mußten die Potentialwerte sich darllen lassen durch

$$E = 14,56 + (t - 18) \{0,002123 - 0,000000712 (t + 18)\}.20.$$

Die erste Beobachtung, ohne Einschaltung der Thermosäule, diente u, die am Kondensator gemessenen Potentialwerte auf die frühere Eint zu reduzieren, da man bei den verschiedenen Versuchen nicht ohne teres die Verstärkungszahl des Kondensators immer als gleich ansehen nte.

Folgende kleine Tabelle giebt die so bestimmten und berechneten rte von E.

	E	
t	beob.	ber.
250	23,4	23,5
200	21,6	21,7
1.50	19,7	19,8
110	18,3	18,2

Wie man sieht, stimmen Beobachtungen und Rechnung so vollständig überein, daß dadurch die von Avenarius aufgestellte Beziehung auf das schönste bestätigt wird. Es ergiebt sich daraus, daß die thermoelektromotorische Kraft eines Thermoelements bei irgend einer Temperaturdifferenz gleich ist der Differenz der elektromotorischen Kräfte der Metalle bei den verschiedenen Temperaturen der Lötstellen.

Avenarius hat außer Stahl und Neusilber noch einige andere Metalle untersucht, und dabei den Nachweis geliefert, daß die Voltasche Spannungsreihe der Metalle für alle Temperaturen gültig bleibt, daß somit die Verschiedenheit der thermoelektrischen Spannungsreihe und der Voltaschen Spannungsreihe ihren Grund nur darin hat, daß die elektromotorischen Kräfte bei einzelnen Metallkombinationen mit steigender Temperatur zunehmen, bei anderen dagegen abnehmen. So erhält Avenarius folgende Ausdrücke für die elektromotorischen Kräfte

$$\begin{split} \operatorname{Zink} \mid \operatorname{Stahl} \\ E_1 &= 96{,}42 \, - \, 0{,}001019 \, t - \, 0{,}000002295 \, t^2 \\ \operatorname{Zink} \mid \operatorname{Kupfer} \\ E_2 &= 82{,}92 \, + \, 0{,}0000378 \, t \, + \, 0{,}0000007075 \, t^2 \\ \operatorname{Kupfer} \mid \operatorname{Stahl} \\ E_3 &= 13{,}82 \, - \, 0{,}001062 \, t \, + \, 0{,}000001606 \, t^2. \end{split}$$

Addieren wir die beiden letzten Ausdrücke Glied für Glied, so muß, wenn die Voltasche Spannungsreihe für alle Temperaturen gültig ist, die sich ergebende Summe der einzelnen Glieder gleich den entsprechenden Gliedern der Gleichung für E_1 sein. In der That ist das der Fall, dem

$$E_2 + E_3 = 96,74 - 0,001024 t + 0,000002313 t^2$$
.

Aus den Versuchen von Avenarius ergiebt sich weiter, das die thermoelektrische Spannungsreihe nicht nur von der Temperaturdifferenz der Lötstellen, sondern auch von den Temperaturen selbst abhängig ist. Es folgt das unmittelbar aus der allgemeinen Form der Gleichung für die thermoelektromotorische Kraft

$$E_2 - E_1 = (t_2 - t_1) \{b + c(t_2 + t_1)\},$$

denn die Gleichung zeigt, dass jedesmal, wenn

$$t_2+t_1=-\frac{b}{c},$$

eine Umkehr des Stromes eintreten muß, somit, daß wenn $t_2 + t_1 < -\frac{b}{c}$, die Reihenfolge der Metalle in der Thermoreihe eine andere sein muß, als

$$t_1 + t_1 > -\frac{b}{c}$$

Spätere Versuche von Tidblom¹), Naccari und Bellati²), von Tait³) en gezeigt, daß für weitaus die meisten Kombinationen sich die meelektromotorischen Kräfte durch die Gleichung von Avenarius darlen lassen.

Thermoelektrische Ströme zeigen sich nicht allein dann, wenn man von zwei Berührungsstellen verschiedener Metalle erwärmt, sondern lassen sich auch bei Anwendung eines Metalles hervorbringen. Seebeck⁴) te schon, daß unter Umständen die Erwärmung einer Stelle eines smutstabes einen elektrischen Strom erzeugen kann; Becquerel⁵) fand, s ein Strom entstehe, wenn man in einem Drahte einen Knoten macht nun eine neben dem Knoten befindliche Stelle des Drahtes erwärmt. glaubte daraus schließen zu können, daß jedesmal wenn man einen men mit einem dicken Drahte verbinde und in der Nähe der Berührungsle erwärme, ein elektrischer Strom entstehe. Magnus⁶) hat aber get, daß dieser Schluß irrig sei, daß kein Strom entsteht, wenn die hte im übrigen eine gleiche physikalische Beschaffenheit, insbesondere iche Härte haben.

Ist dagegen nur ein geringer Unterschied in der Härte vorhanden, tritt bei Erwärmung der Berührungsstelle der beiden Drähte immer Strom auf, der durch die Berührungsstelle bald von dem weichen harten Draht geht, bald umgekehrt.

Der Strom ging bei den Versuchen von Magnus von dem weichen

harten Draht bei

Messing Silber Stahl Kadmium Kupfer Gold Platin lenkte die Nadel des Galvanometers ab um

55° 46° 45° 25° 18° 10° 5°.

Der Strom ging umgekehrt vom harten zu dem weichen Draht bei

Neusilber Zink Zinn Eisen Ablenkung 34° 30° 5° 4° .

Bei Anwendung von Bleidrähten konnte kein Strom wahrgenommen den.

Wie Thomson Dezeigt hat, entsteht ebenso ein Strom, wenn man Grenzstelle zwischen zwei Stücken eines und desselben Drahtes ermt, von denen das eine longitudinal gedehnt ist, das andere nicht; ier, wenn man einen Draht an einer Stelle transversal prefst oder imert und dann die eine Grenze des gehämmerten oder gepressten ckes erwärmt.

5) Becquerel, Traité de l'électricité T. II. p. 38

Tidblom. Man sehe Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. II. S. 297.
 Naccari und Bellati, Beiblätter zu den Annalen Bd. II. S. 102.

Tait, Poggend. Ann. Bd. CLII.
 Seebeck, Poggend. Ann. Bd. VI.

⁶⁾ Magnus, Denkschriften der Berliner Akademie 1851. Poggend. Ann.

⁷⁾ Thomson, Philosophical Transactions of London Royal Soc. for 1856.

Man sehe auch Le Roux, Annales de chim, et de phys. IV. Série T. X.

Wenn man ferner zwei im übrigen ganz gleiche Drähte zusammenbringt, von denen aber der eine warm, der andere kalt ist, so entsteht ebenfalls im Augenblicke der Berthrung ein Strom, der aber verschwindet wenn die beiden Drähte gleiche Temperatur angenommen haben 1). Dieser Strom ist häufig sogar stärker als jener, welcher zwischen harten und weichen Drähten entsteht, wie Magnus fand, als er in dieser Weise harte und weiche Drähte zusammenbrachte²). Nur beim Zusammenbringen von kaltem und warmem Quecksilber zeigte sich kein Strom.

Es ergiebt sich also, dass bei den geringsten Verschiedenheiten a beiden Seiten der Berührungsstelle zweier Drähte, auch gleichen Metalk, bei Erwärmung der Bertihrungsstelle dort eine elektromotorische Kraft auftritt.

Demnach ist schon zu erwarten, dass zwischen Metallen und Flüssigkeiten ebenfalls thermoelektromotorische Kräfte thätig sein können, und ebenso zwischen verschiedenen Flüssigkeiten. Erstere sind häufig beobachtet worden, indem man in eine Flüssigkeit zugleich einen heißen und kalten Platindraht einsenkte³) Faraday⁴) erwärmte in einem U-förmigen mit Flüssigkeit gefüllten Rohr den einen Schenkel und erhielt Ströme, wenn er gleichzeitig in beide Schenkel die Enden des zum Galvanometer führenden Drahtes senkte. Ich selbst habe sie beobachtet, indem ich ein flaches Gefäß mit metallischem Boden und metallischem Deckel ganz mit Flüssigkeit, z. B. Wasser oder einer verdünnten Salzlösung anfüllte, so daß der Deckel von der Flüssigkeit berührt wurde, und nun von unten gelinde erwärmte.

In ähnlicher Weise wie Avenarius die thermoelektrischen Strome zwischen Metallen, hat Lindig⁵) jene zwischen Metallen und Flüssigkeiten untersucht; aus den Versuchen ergiebt sich, daß die Änderung der elektromotorischen Kräfte zwischen Metallen und Flüssigkeiten mit der Temperatur im allgemeinen nur sehr gering, zuweilen, wie bei amalgamierten Zink und Schwefelsäure, nicht meßbar ist. Auch hier zeigt sich, daß bei einzelnen Kombinationen, wie bei Kupfer und Kupfervitriollösung amalgamiertem Zink und Zinkvitriollösung die elektromotorische Kraft mit der Temperatur abnimmt, bei anderen, wie nicht amalgamiertem Zink und Kochsalzlösung dagegen zunimmt. Bei der letzteren Kombination geht daher der Thermostrom durch die erwärmte Grenze von Metall zu Flüssigkeit, bei ersteren umgekehrt.

Ganz entsprechende Resultate erhielten Bleekrode 6), Voller?) und Bouty's), welche ebenfalls die Änderung der elektromotorischen Kräfte zwischen Metallen und Flüssigkeiten mit der Temperatur gemessen haben

2) Magnus, Poggend. Ann. Bd. LXXXIII.

5) Lindig, Poggend. Ann. Bd. CXXIII.

6) Bleekrode, Poggend. Ann. Bd. CXXXVIII.

7) Voller, Poggend. Ann. Bd. CXLIX.

¹⁾ Zuerst beobachtet von Ritter, Gilberts Annalen Bd. IX. Man sehe anch Doves Repertorium Bd. I. S. 344 ff.

Man sehe Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. II, S. 346.
 Faraday, Experimental researches. Ser. XVII. §. 1932 ff. Poggend. Am Bd. LIII.

⁸⁾ Bouty, Journal de physique (D'Almeida) Bd. IX.

Thermoelektrische Ströme zwischen Flüssigkeiten hat Wild¹) nachiesen, indem er die beiden Röhren des §. 72 beschriebenen Apparates zu einer gewissen Höhe mit ein und derselben Salzlösung, z. B. Kupferiol anfüllte, und dann in der dort angegebenen Weise auf die Flüssigeine andere, z. B. Zinkvitriol brachte, so daß in dem Apparate die nenfolge der Flüssigkeiten war: Kupfervitriol, Zinkvitriol, Kupfervitriol. eine der Stellen, wo die beiden Flüssigkeiten sich berührten, wurde ärmt und die Ablenkung der Magnetnadel des Galvanometers bechtet, dessen Drähte mit den Kapseln verbunden waren, welche die ren unten abschlossen.

Die thermoelektrischen Kräfte zwischen den Flüssigkeiten sind verhen mit denen der Metalle bedeutend stärker als die elektromotorischen fte bei der Berührung zweier Flüssigkeiten, verglichen mit denen der alle. So fand Wild die thermoelektromotorische Kraft zwischen

Das specifische Gewicht der Lösungen war 1,05 bis 1,09; als Einheit t die thermoelektromotorische Kraft zwischen Kupfer und Neusilber gleicher Temperaturdifferenz zu Grunde.

Auch verschieden konzentrierte Lösungen desselben Salzes sind gegen inder thermoelektromotorisch wirksam.

Zwischen den Flüssigkeiten, für welche Wild eine Spannungsreihe gestellt, besteht auch eine thermoelektromotorische Spannungsreihe.

Die Größe der elektromotorischen Kräfte der Thermoströme, oder den verschiedenen Temperaturen der Lötstellen entsprechenden Diffezen der elektromotorischen Kräfte der Metalle, verglichen mit der stromotorischen Kraft des Daniellschen Elementes, ergiebt sich für Anzahl Kombinationen aus den vorhin angegebenen Versuchen von marius.

Setzen wir das Daniellsche Element als Einheit, so sind sie für

Neusilber — Stahl
$$E = (t_2 - t_1) \{0,00002123 - 0,000000007172 (t_2 + t_1)\}$$

$$Zink - Stahl$$

$$E = (t_2 - t_1) \{0,00001019 - 0,000000002295 (t_2 + t_1)\}$$

$$Kupfer - Stahl$$

$$E = (t_2 - t_1) \{0,00001062 - 0,00000001606 (t_2 + t_1)\}$$

Für einzelne andere Elemente sind schon früher mehrfache Messungen genommen worden.

Die erste Bestimmung der Art rührt wohl von Pouillet²) her; er glich die Widerstände mit einander, welche eingeschaltet werden isten, einmal in einem Stromkreise einer Wollastonschen Säule und n eines Thermoelementes von Wismut, Kupfer, um die Ablenkung

Wild, Poggend. Ann. Bd. CIII.
 Powillet, Poggend. Ann. Bd. XLII.

einer Bussole auf denselben Wert zu bringen, also in beiden Fallen Ströme gleicher Stärke zu erzeugen. Die elektromotorischen Kräfte beider Ketten verhielten sich dann direkt wie die Widerstände. Er fand, daß bei einer Temperaturdifferenz von 50° die elektromotorische Kraft der Thermokette 0,0053 der Wollastonschen Säule war.

Wheatstone 1) bestimmte nach seiner Methode das Verhältnis der elektromotorischen Kraft einer Kupfer-Wismut-Kette bei einer Temperaturdifferenz von 100° gleich 0,0105 einer aus amalgamiertem Zink, Kupler-

vitriol und Kupfer zusammengesetzten Kette.

Um diese beiden Angaben auf Daniellsche Ketten zu beziehen, benutzen wir die Angabe Becquerels, nach welcher die elektromotorische Kraft eines Wollastonschen Elementes gleich 0,558 derjenigen des Daniellschen ist, und die Angabe von Regnauld, welcher diejenige der Wheatstoneschen Kette gleich 0,838 der Daniellschen gefunden hat.

Daraus erhalten wir für die elektromotorische Kraft der Kupfer-

Wismut-Kette bei einer Temperaturdifferenz von 1000

2.0,0053.0,558 = 0,00590 Dnach Pouillet $0.0103 \cdot 0.838 = 0.00842 D.$ Wheatstone

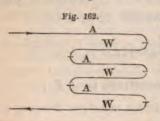
Nach einer direkten Vergleichung geben dieselbe an

Regnauld²) 0,00558 D Neumann 3) 0,0039 D.

Die elektromotorische Kraft einer Kupfer-Neusilber-Kette giebt Wild4) zu 0,001108 D an, nach Avenarius würde sie für $t_1 = 0$, $t_2 = 100$ gleich 0,001005 D sein.

Die Unterschiede in den obigen Zahlen können nach den verher mitgeteilten Erfahrungen nicht auffallend erscheinen, da wir wissen, daß die geringste Verschiedenheit in der physikalischen Beschaffenheit der Metalle die Stellung derselben in der thermoelektrischen Reihe ändert

Aus den Zahlen ergiebt sich, dass die elektromotorischen Kräfte der Thermoelemente im allgemeinen gegen diejenigen bei dem Kontakt heterogener Substanzen nur sehr klein sind; die Intensität der von einem Elemente erzeugten Thermoströme ist deshalb nur sehr schwach.



Um kräftigere Ströme zu erhalten, verbindet man daher mehrere Thermoelemente zu einer Kette. Derartige Ketten erhält man, wenn man abwechselnd eine Anzahl Stäbchen in der Fig. 162 angegebenen Weise zusammenlötet, also z. B. Antimon, Wismut, Antimon, Wismut u. s. w. Erwärmt man dann entweder die geraden oder die ungeraden Lötstellen, 50 erhält man einen Strom, der bei gleichem

Widerstande sich zu demjenigen eines Elementes verhält, wie die Zahl der erwärmten Lötstellen zu eins, da an jeder dieser Lötstellen eine elektrometorische Kraft thätig ist, welche mit den anderen gleich gerichtet ist.

1) Wheatstone, Poggend. Ann. Bd. LXII.

Regnauld, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XLIV.
 Neumann. Man sehe Wiedemann, Galvanismus. Bd. I, §. 414.
 Wild, Poggend. Ann. Bd. CIII.

Betreffs der Konstruktion solcher Ketten zu Thermosäulen für die Wahrnehmung sehr kleiner Temperaturdifferenzen und die Untersuchung der strahlenden Wärme haben wir im dritten Teile (S. 159) bereits das Notwendige kennen gelernt. Größere Säulen für den praktischen Gebrauch in den Laboratorien sind von Markus, Noë, Clamond u. a. hergestellt, die aus vielen Elementen bestehend elektromotorische Kräfte bis zu mehreren Groves haben, und als sehr konstant, nachdem sie thermisch zu einem stationären Zustand gelangt sind, für viele Zwecke sehr bequem sind.

Schliefslich möge noch bemerkt werden, dass nach den in diesem Paragraphen mitgeteilten Erfahrungen die elektromotorischen Kräfte der Elemente nur in sehr geringem Grade von der Temperatur beeinflusst werden können, ein Schluss, der auch durch Versuche Poggendorffs bestätigt wird 1).

Zweites Kapitel.

Die Wirkungen des galvanischen Stromes in dem Schließungskreise.

§. 91.

Wärmeentwicklung im Schliefsungskreise. Wenn man eine galvanische Batterie von großer Oberfläche, also von geringem wesentlichen Widerstande durch einen dünnen Metalldraht schließt, so zeigt sich alsbald in dem Drahte eine bedeutende Temperaturerhöhung, welche unter Umständen bis zum Glühen des Drahtes steigen kann. Es folgt somit, daß der durch den Draht fließende galvanische Strom ebenso wie der Entladungsschlag der Leydener Batterie in dem Drahte Wärme erzeugt. Diese Beobachtung wurde bald nach der Entdeckung des Galvanismus gemacht, und schon Davy zeigte, dass die Erwärmung abhängig sei von dem Widerstande des Drahtes, dass sie um so stärker sei, je größer bei gleicher Stromstärke der Widerstand des Drahtes ist.

Die Erwärmung ist zugleich abhängig von der Stromstärke und Vorselmann de Heer2) glaubte schließen zu dürfen, daß sie der Stromstärke proportional sei.

Die ersten genaueren Untersuchungen über die Erwärmung von Drahten in einem homogenen Schliefsungskreise rühren von Joule her 3). Joule wand einen Draht um das Gefäss eines empfindlichen Thermometers und tauchte ihn mit demselben in ein Glas mit Wasser. Der Draht wurde in einen Stromkreis eingeschaltet, in welchem sich zugleich eine Tangentenbussole zur Messung der Stromstärke befand.

Wegen der äußerst geringen Leitungsfähigkeit des Wassers kann man die durch dasselbe bewirkte Nebenschliefsung vernachlässigen und annehmen, der ganze Strom gehe durch den Draht. Die Temperatur-

¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. L. S. 264.
2) Vorsselmann de Heer, Poggend. Ann. Bd. XLVI und Bd. XLVIII. Auch
Ohm und Fechner nahmen dasselbe an. Man sehe Fechner, Lehrbuch des Gal-Vanismus S. 317.

³⁾ Joule, Philosophical Magazin vol. XVI. 1841. Doves Repert. Bd. VIII.

erhöhung des Wassers wurde an dem Thermometer abgelesen und au der bekannten Wassermenge die in einer bestimmten Zeit entwickelte Wärmemenge berechnet.

Es zeigte sich zunächst bei Anwendung verschiedener Drähte, das die bei konstanter Stromstärke in einer bestimmten Zeit entwickelte Wärmemenge dem Widerstande der angewandten Drähte direkt proportional sei, welches im übrigen auch die Länge oder der Querschnitt der Drähte sein mag.

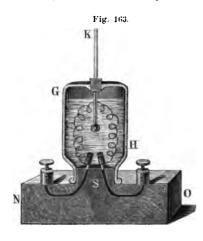
Durch gewisse theoretische Überlegungen schloß Joule dann daram, daß die in gleichen Zeiten in einem und demselben Drahte entwickelten Wärmennengen bei verschiedener Stromstärke dem Quadrate der Stromstärke proportional sein müssen. Die Versuche bestätigen diesen Schluß, so daß also die in einer bestimmten Zeit in einem Drahte, durch welche ein Strom fließt, entwickelte Wärmennenge dem Widerstande des Drahte und dem Quadrate der Stromstärke direkt proportional ist. Bezeichne wir demnach die in der Zeiteinheit durch einen Strom von der Intensität eins in einem Drahte, dessen Widerstand der Einheit gleich ist, erzeugte Wärmennenge mit w, so ist die in der Zeit t in einem Drahte von dem Widerstande R durch die Stromstärke J erzeugte Wärmennenge

$$W = w \cdot J^2 \cdot R \cdot t$$

Ist l die Länge, q der Querschnitt, s der specifische Widerstand des Drahtes, so ist

$$W = w \cdot J^2 \cdot \frac{ls}{q} \cdot t.$$

Das Joulesche Gesetz wurde zunächst durch Versuche von Ed. Bequerel¹) und dann in ausgedehntester Weise durch die Versuche von Lenz¹)



bestätigt. Lenz benutzte zu seinen Versuchen den Apparat Fig. 163. einem Fussbrette NO ist der für die umgekehrt gestellte Glasflasche GH eingeschliffene Glasstöpsel S befestigt, so dass auf ihn die Flasche luft- und wasserdicht in umgekehrter Stellung befestigt werden kann. Durch den Glasstöpsel S sind zwei Platindrähte hindurch gebohrt und festgekittet, welche mit ihren kegelförmigen Enden in die Flasche hineinreichen. Auf die Kegel können zwei Platinklötzchen aufgeschoben, und mit ihnen kann der Draht, dessen Erwärmung untersucht werden soll, an die Platindrähte befestigt werden. Der zu erwärmende Draht ist n

einer losen Spirale aufgerollt, so dass die einzelnen Windungen sich nicht berühren. Er steht in der Flasche in der in der Figur angegebenen Weise durch seine eigene Elasticität aufrecht. Die in den Stöpsel ein-

¹⁾ Ed. Becquerel, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. IX.

²⁾ Lenz, Poggend. Ann. Bd. LXI.

kitteten Platindrähte sind durch Kupferdrähte, welche in das Fusstt eingelassen sind, mit den Klemmen des Fussbrettes in leitender rbindung.

Der nach oben gewandte Boden des Stöpselglases ist in seiner Mitte rehbohrt und durch diese Durchbohrung wurde ein empfindliches, genau libriertes Thermometer in die Flasche eingesenkt, auf welchem noch O4 C. abgelesen werden konnten. Das Thermometer wurde durch een Kork in der Durchbohrung befestigt. Die Flasche wurde mit prozentigem Spiritus gefüllt, da Wasser die Elektricität zu gut leitete, 1 die Nebenschließungen vernachlässigen zu können.

Die Beobachtungen wurden von Lenz in folgender Weise ausgeführt: nächst wurde der Apparat 80-100 C. unter die Temperatur der Umbung erkaltet, dann in den Stromkreis einer Daniellschen Batterie einführt, welcher außerdem einen Rheostaten und eine Tangentenbussole thielt, und durch Regulierung des Rheostaten dem Strome eine gewisse Arke gegeben. War die Temperatur der Umgebung 16°, so wurden die itpunkte bemerkt, in welchen die Temperatur des Weingeistes gleich 10 , 11^{0} ... 15^{0} , 16^{0} , 17^{0} ... 22^{0} war, während man durch rotierende wegung des Apparates dafür sorgte, dass die Temperatur des Weinistes überall dieselbe war. Man erhielt auf diese Weise die Erwärangen für sechs Zeitintervalle, von denen jede ebensoviele Grade unter s über der Temperatur der Umgebung umfaste. Dadurch war der nflus der umgebenden Temperatur eliminiert, da in der ersten Hälfte s Versuches, während der Weingeist von 100-160 erwärmt wurde, der pparat von außen ebensoviel Wärme erhielt, als er in der zweiten alfte nach außen abgab. Man beobachtete also in der That die Zeit, elche der galvanische Strom brauchte, um den Weingeist um 120, 100 .. 20 zu erwärmen, indem man von der Zeit, zu welcher der Apparat ie Temperatur 22°, 21° ... hatte, jene abzog, zu welcher er die Temeratur 10°, 11° . . . hatte.

Hierauf wurde der Erwärmungsapparat ausgeschaltet, der Stromreis ohne ihn ganz in der früheren Weise geschlossen, und durch Einchalten einer Länge des Rheostatdrahtes der Strom auf die frühere Stärke ebracht. Der Widerstand des eingeschalteten Rheostatdrahtes ist gleich em des erwärmten Drahtes.

Ist das Joulesche Gesetz richtig, so muß die Wärmemenge W, welche in der Zeit t erzeugt wird, wenn w die in der Zeiteinheit durch lie Einheit der Stromstärke in einem Drahte, dessen Widerstand der Einleit gleich ist, erzeugte Wärmemenge, J die Stromstärke und R der Widerstand des erwärmten Drahtes ist, sein

$$W = w \cdot R \cdot J^2 \cdot t$$

Dieselbe Gleichung, welche für die erzeugte Würmemenge gilt, mußer, wo immer derselbe Apparat und dieselbe Menge von Weingeist betzt wurde, auch für die Temperaturerhöhung gelten, da diese der erugten Würmemenge proportional ist. Streng genommen ist allerdings i der Anwendung verschiedener Drühte, da auch diese dieselbe Temraturerhöhung erfahren, ein kleiner Unterschied vorhanden, da die Wäpacität und das Gewicht der Drühte verschieden ist. Lenz giebt

an, dass der Wärmewert des Drahtes, für welchen dieser Wert am größta war, nur $\frac{1}{1450}$ des Wärmewertes des Apparates betrug, woraus folgt, das die Unterschiede in den Produkten aus dem Gewichte der Drähte wie ihren Wärmekapacitäten vernachlässigt und die Temperaturerhöhungen des erzeugten Wärmemengen proportional gesetzt werden dürfen.

Bedeutet nun τ die Zeit, welche erfordert wird, um eine Temperaturerhöhung des Apparates von 1° hervorzubringen, so folgt aus der vorget Gleichung, wenn jetzt w die von der Einheit der Stromstärke bei Eschaltung eines Drahtes von der Einheit des Widerstandes in der Zeienheit in dem Apparate hervorgebrachte Temperaturerhöhung ist,

$$\frac{1}{m} = J^2 R \cdot \tau = \vartheta.$$

Der reciproke Wert von w oder ϑ ist nach dem Vorigen eine korstante Größe, er bedeutet jene Zeit, welche bei der Einheit der Stromstärke und des Widerstandes des eingeschalteten Drahtes die Temperatudes Apparates um 1^0 erhöht. Wenn demnach das Joulesche Gesetz richtigist, muß das Produkt aus dem Quadrate der Stromstärke, dem Widerstande des eingeschalteten Drahtes und der zur Erwärmung des Apparatus um 1^0 erforderlichen Zeit eine konstante Größe sein.

Dass dem so ist, zeigen die Versuche von Lenz sehr deutlich, wie die im Folgenden mitgeteilte Tabelle zeigt. Die Zeit τ erhält man, ist dem man die zur Erwärmung von 12^0 erforderliche Zeit durch 12, die zur Erwärmung von 10^0 , 8^0 ... erforderliche Zeit durch 10, 8 ... dividiet und aus diesen Zeiten das Mittel nimmt. In der folgenden Tabelle enhält die erste Kolumne die Bezeichnung der von Lenz benutzten Dräht, die zweite deren Widerstände, die dritte die angewandte Stromstärke, die vierte den in angegebener Weise erhaltenen Wert von τ , die letzte das Produkt J^2 $R\tau$.

Bezeichnung des Drahtes	R	J	r Minuten	$RJ^2\tau$
Neusilberdraht I.	35,150	10,10	1,3459	4826,0
desgl.	35,20	15,35	0,5711	4734,4
desgl.	36,67	15,35	0,5286	4563,9
desgl.	35,32	20,85	0,3091	4609,2
Neusilberdraht II.	22,09	15,35	0,9166	4784.6
desgl.	22,05	20,85	0,4805	4611,6
desgl .	22,18	26,71	0,2999	4562,4
desgl.	22,62	20,85	0,4575	4514,0
Neusilberdraht III.	16,76	26,71	0,3836	4592,0
Platindraht	18,97	20,85	0,5556	4573,6
desgl.	19,24	26,71	0,3248	4457,9
Eisen	9,37	33,08	0,4353	4480,0
Kupfer	5,22	26,71	1,3010	4845,2
desgl.	5,22	33,08	0,8354	4772,1
desgl.	5,23	40,12	0,5750	4840,4
desgl.	5,26	48,07	0,3810	4640,9

Als Mittelwert ergiebt sich daraus

$$\vartheta = 4651,3.$$

Bedenkt man nun, dass kleine Fehler in den Beobachtungen in dem iesslichen Resultat sich vielsach multiplizieren, so wird man die Abchungen in den Werten für & hinreichend erklärlich finden.

Den Wasserwert seines Apparates giebt Lenz zu 82,6 g an, demnach de die Zeit, welche notwendig wäre, um einem Gramm Wasser eine peraturerhöhung von 1° R. durch einen Strom, welcher bei der Einheit Stärke durch einen Draht von der Einheit des Widerstandes geht, zu ilen, sein

$$\frac{4651,3}{82,6} = 56,2$$
 Minuten;

1 °C. wäre demnach die Zeit 45 Minuten.

Als Einheit der Stromintensität gilt ein Strom, der in einer Stunde 16 ccm Knallgas bei 0° und 760 mm Druck liefert und als Einheit Widerstandes jener eines Kupferdrahtes von 6,358 Fuß engl. Länge 0,0336 Zoll engl. Durchmesser bei 19° C.

Ebenso wie die festen Leiter eines Stromkreises werden auch die sigen in demselben enthaltenen Leiter erwärmt; die Gesetze der Wärmewicklung lassen sich in denselben aber nur schwierig rein darstellen, in den flüssigen Leitern durch den Strom stets auch chemische Änungen hervorgebracht werden, und da diese auf den Wärmezustand der ssigkeit von Einfluß sind. Man kann aber unter gewissen Umständen chemischen Änderungen so regulieren, daß die durch diese hervorgechten Wärmewirkungen sich kompensieren. Das ist z. B. der Fall, wenn a als Flüssigkeit eine konzentrierte Lösung von Kupfervitriol nimmt, lals Elektroden Kupferbleche anwendet. Die chemischen Änderungen Flüssigkeit bestehen dann darin, daß an jeder Elektrode, durch welche Strom die Flüssigkeit verläßt, metallisches Kupfer abgeschieden wird; iz dieselbe Kupfermenge wird aber von der den Strom zuführenden ektrode wieder aufgelöst.

Da bei der Oxydation des Kupfers und der Bildung von schwefelrem Kupferoxyd ebensoviel Wärme erzeugt wird, als bei der Reduktion Kupfers aus diesem Salze verbraucht wird, so heben diese Wärmerkungen sich auf.

In einer solchen Flüssigkeit hat Joule¹) auch das von ihm für die ten Leiter aufgestellte Gesetz bestätigt gefunden; er beobachtete die ensität des Stromes und die Temperaturerhöhung der Kupfervitriolung; er bestimmte den Widerstand der zwischen den Elektroden enttenen Lösung und die specifische Wärme der Lösung. Zugleich bestimmte die Korrektion wegen der Abkühlung der Flüssigkeit durch die Umung. Er konnte daraus die entwickelte Wärmemenge und jene beimen, welche sich entwickelt haben würde, wenn an Stelle der Lösung fester Körper von gleichem Widerstande eingeschaltet gewesen wäre; and die beiden Wärmemengen merklich gleich. Ließ Joule dagegen

¹⁾ Joule, Philosophical Magazin, vol. XIX. 1841. Man sehe betreffs dieser mache und der Versuche Becquerels §. 160.

den Strom durch angesäuertes Wasser gehen, in welches er mit Pa elektroden geleitet wurde, so war die entwickelte Wärmemenge w der eintretenden Gasentwicklung bedeutend kleiner.

Ed. Becquerel¹) hat durch eine Reihe von Versuchen diese Erungen bestätigt und das Joulesche Gesetz auch in Flüssigkeiten gewiesen, in welchen eine Gasentwicklung eintritt. Für die Leitung der Flüssigkeiten, in welchen Gasentwicklung eintritt, ist nämlich die lachtete Wärmemenge gleich der Differenz der von dem Strome erze und der zur Bildung der Gase verbrauchten. Ist nun N die zur Bil von 1 cem Gas verbrauchte Wärmemenge und q die in der Zeit langesäuertem Wasser entwickelte Gasmenge, so ist die beobachtete Wientwicklung

$$W = w \cdot RJ^2 \cdot t - N \cdot q = M \cdot J^2 - N \cdot q.$$

Nach den Angaben von Dulong und Petit wurde für N der 2,071 eingesetzt, und dann aus der in gleichen Zeiten bei verschie Stromstärken entwickelten Wärmemenge der Wert M aus

$$M = \frac{W + Nq}{J^2}$$

berechnet. Man erhielt auf diese Weise bei einer Reihe von Vers in der That für M merklich gleiche Werte, nämlich bei drei Vers 4,35; 3,42; 4,32.

Daraus ergiebt sich dann, daß das Joulesche Gesetz auch gülfür die Flüssigkeit in den galvanischen Elementen. Auch dafür hat in einem Zinkplatin-Elemente, welches verdünnte Schwefelsäure en einen Nachweis geliefert. Es versteht sich von selbst, daß auch wegen der in der Kette statthabenden chemischen Vorgänge Korrek an der beobachteten Würme angebracht werden müssen, um das zu erkennen.

Aus dem auch auf die flüssigen Leiter ausgedehnten Jouleschen G ergeben sich wichtige Folgerungen für die Wärmeentwicklung in Stromkreise einer galvanischen Kette.

Ist nämlich r der wesentliche Widerstand in einer solchen Keider Widerstand des Schließungsbogens, ist ferner J die Stromstärlist die in der Zeit t in der Kette selbst entwickelte Wärmemenge

$$W, t = w \cdot r \cdot J^2 \cdot t,$$

die im Schließungsdrahte erzeugte Wärme

$$W_2 t = w \cdot r_1 \cdot J^2 \cdot t,$$

die im ganzen Stromkreise erzeugte Gesamtwärme ist somit

$$W \cdot t = w (r + r_1) \cdot J^2 \cdot t = w \cdot R \cdot J^2 \cdot t,$$

wenn R den Widerstand des ganzen Stromkreises bedeutet. Beze wir nun mit E die elektromotorische Kraft der Kette, so könne

. . .

¹⁾ Ed. Becquerel, Annales de chim. et de phys. III. Ser. T. IX...

2.

en Ausdruck für die im ganzen Stromkreise entwickelte Wärmemenge reiben

$$W \cdot t = w \cdot E \cdot \frac{E}{R} \cdot t.$$

Die in dem ganzen Schliessungskreise entwickelte Wärmemenge ist dem Produkte aus der elektromotorischen Kraft und der Stromstärke ekt proportional.

Wie wir nun früher sahen, ist die Stromstärke direkt proportional in der Zeiteinheit durch den Stromkreis fließenden Elektricität, das dukt

$$\frac{E}{R} \cdot t = k \cdot e$$

deshalb der in der Zeit t durch den Stromkreis fließenden Elektricic proportional; bezeichnet demnach k eine Konstante, und setzen wir Produkt

$$k \cdot w = K$$

wird die in der Zeit t in dem Stromkreis erzeugte Wärmemenge

$$W.t = K.E.e.$$

Dieselbe ist proportional dem Produkte aus der elektromotorischen ft und der in der Zeit t durch den Stromkreis fließenden Elektricität. Die Übereinstimmung dieses Ausdruckes mit dem von Riess für die fürmung des gesamten Schließungskreises infolge des Entladungsages der Leydener Batterie abgeleiteten

$$W = K \cdot \frac{q^2}{s} = K \cdot \frac{q}{s} \cdot q,$$

in η die Elektricitätsmenge, s die Oberfläche der Batterie, also $\frac{q}{s}$ die htigkeit der Elektricität in der Batterie bedeutet, fällt in die Augen, n auch in dem Ausdrucke für die Wärmeentwickelung durch den galischen Strom ist die Potentialfunktion E der Elektricität an den Polen Kette der Dichtigkeit der Elektricität proportional.

Beziehung zwischen der im Strome entwickelten zu der durch chemischen Prozesse im Element entwickelten Wärme. Noch bemerkenswerte Folgerung läßt sich aus dem Jouleschen Gesetze dessen Ausdehnung auf den ganzen Stromkreis ziehen. Wie wir später en werden, wird während der Bildung des galvanischen Stromes in der te Zink aufgelöst, und der Zinkverbrauch ist in gleichen Zeiten der mstärke proportional. Daraus folgt zugleich, daß der Zinkverbrauch ler Kette derselbe ist, wenn bei einer gewissen Stromstärke der Strom gewisse Zeit andauert, oder wenn bei doppelter Stromstärke der Strom die halbe Zeit dauert. Unter denselben Umständen ist aber auch die ugte Wärmemenge dieselbe, vorausgesetzt, daß die elektromotorisch ft dieselbe ist. Denn ist die bei der Stromstärke J in der Zeit terte Wärmemenge gleich W.t, so ist die bei der halben Stromstär gleichen elektromotorischen Kraft in derselben Zeit erze

menge $^{1}/_{2}W \cdot t$, die in der doppelten Zeit also erzeugte Wärmemenge gleich $W \cdot t$. Daraus folgt also, daß die in einer gegebenen Kette während einer gewissen Zeit, ja überhaupt erzeugte Wärmemenge proportional ist der verbrauchten Zinkmenge, welches auch der Widerstand in dem Schliessungkreise sein mag.

Dieser Satz gilt jedoch nur so lange, als dieselbe galvanische Kombination angewandt wird; ändert sich die elektromotorische Kraft derselben so ändert sich bei gleicher Stromstärke die erzeugte Wärmemenge proportional der elektromotorischen Kraft.

Die Richtigkeit des letzteren Satzes hat Poggendorff¹), welcher zuerst auf denselben aufmerksam machte, nachgewiesen, indem er die Würmeentwicklung in einem und demselben Drahte verglich, welche bei gleicher Stromstärke durch ein Daniellsches und durch ein Grovesches Element eintrat. Dieselbe war genau gleich. Da nun aber bei gleicher Stromstärke die Gesamtwiderstände sich verhalten wie die elektromotorischen Kräfte, so folgt, daß die gesamten erzeugten Wärmemengen sich verhalten wie die elektromotorischen Kräfte. Denn denken wir uns in beiden Fällen den ganzen Stromkreis ersetzt durch Drähte gleichen Metalles und gleichen Querschnitts, so verhalten sich bei gleicher Stromstärke die Längen dieser Drähte wie die elektromotorischen Kräfte. Da nun aber in gleichen Stücken dieser Drähte die Wärmeentwicklungen dieselben sind, so folgt, daß die gesamten erzeugten Wärmemengen sich verhalten wie die Längen der Drähte, somit wie die elektromotorischen Kräfte der beiden Batterien.

Den Satz, dass bei einer und derselben Kette die gesamte erzeugte Würmemenge proportional ist dem in derselben stattfindenden Zinkverbrauche hat Helmholtz2) dahin erweitert, dass die gesamte in dem Stromkreise erzeugte Wärmemenge gleich jener sein müsse, welche durch die chemischen Prozesse in der Kette frei wird, so daß der galvanische Strom gewissermaßen nur die in der Kette frei gewordene Wärmemenge im Stromkreise verbreiten würde. Daraus würde weiter sich ergeben, dass die elektromotorischen Kräfte der verschiedenen Elemente den in ihnen durch die stattfindenden Prozesse entwickelten Wärmemengen proportional wären. Es ergiebt sich das leicht folgenderma \mathfrak{s} sen. Ist die Stromstärke J und die elektromotorische Kraft E, so ist nach dem Jouleschen Gesetze die in der Zeiteinheit im Stromkreise entwickelte Wärmemenge w = K.J.EWir erwähnten schon vorhin, dass die in den Ketten aufgelöste Menge Zink der Stromstärke proportional ist, somit auch die sämtlichen in der Kette stattfindenden chemischen Prozesse. Nennen wir die Wärmemenge, welche von den der Einheit der Stromstärke entsprechenden chemischen Prozessen entwickelt wird C, so ist die von der Stromstärke J chemisch entwickelte Wärmemenge gleich J. C. Ist nun

$$k \cdot J \cdot E = J \cdot C$$

so muss

$$kE = C$$

oder die elektromotorische Kraft der durch die Einheit der Stromstärk-

1) Poggendors, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.
2) Helmholtz, Erhaltung der Kraft. Berlin 1847. S. 48 ff. Über die neuem Arbeiten von von Helmholtz sehe man §. 160.

emisch entwickelten Wärmemenge proportional sein. Der erstere dieser siden Helmholtzschen Sätze ist direkt durch Versuche von Favre¹) beätigt worden, der letztere ergiebt sich unmittelbar aus den im dritten ande mitgeteilten Werten der durch die chemischen Prozesse entwickeln Wärmemengen.

Zum Nachweis des erstern, von Favre übrigens unabhängig von Helmltz aufgestellten Satzes brachte derselbe in das im dritten Bande S. 816
sschriebene Quecksilberkalorimeter eine Zink-Schwefelsäure-Platin-Kette,
daß auch der ganze Schließungskreis sich im Innern desselben befand.
s wurde nun die Wärmemenge beobachtet, welche entwickelt wurde,
ährend 33 Gramm Zink, also die als Mischungsgewicht 1 g Wasseroff entsprechende Zinkmenge in Zinkvitriollösung verwandelt wurde. Die
7ärmemenge fand sich im Mittel gleich 18160 Wärmeeinheiten. Fast
enau dieselbe Wärmemenge erhält man aber bei der Auflösung von
3 g Zink zu Zink-Zinkvitriol, auch wenn dasselbe nicht in einer Kette
elöst wird. Für diese Wärmemenge erhält man nach § 92 des dritten
andes

Überführung des Zink in Oxyd

Bildung und Lösung des Salzes ZnSO₄

42612 W. E.

10398 " "

53010 W. E.

Da nun bei dieser Auflösung 1 g Wasserstoff entwickelt wird, so muß abgezogen werden die dabei verbrauchte Wärmemenge 34462 "" 18548. W. E.

Es werden also überhaupt bei diesem Prozesse 18548 Wärmeeinheiten ntwickelt, fast genau mit den von Favre beobachteten übereinstimmend.

Dass sich die elektromotorischen Kräfte der konstanten Ketten ver-Lalten wie die durch die chemischen Prozesse in denselben entwickelten Wärmen, ergiebt sich aus folgenden Zahlen.

In der Daniellschen Kette wird für jedes Mischungsgewicht Zink, welches aufgelöst wird, ein Mischungsgewicht Kupfer reduziert; bei dieser Beduktion werden verbraucht 29645 Wärmeeinheiten, es werden also in Ierselben frei

$$53010 - 29600 = 23410 \text{ W. E.}$$

In der Groveschen Kette wird für jedes Atom Zink, welches aufgeöst wird, ein Molekül Salpetersäure zu Untersalpetersäure reduziert; die
abei verbrauchte Wärme beträgt, berechnet für die gleiche Menge Zink,
3 g, auf welche sich obige Rechnung bezieht, 6900 W. E.; in der Grovehen Kette würden also durch den Verbrauch der gleichen Zinkmenge wie
der Daniellschen Kette disponibel

$$53010 - 6900 = 46110 \text{ W. E.}$$

Das Verhältnis der in der Groveschen und Daniellschen Kette bei

41

¹⁾ Faore, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XL. Wollsen, Physik. IV. 4. Aufl.

gleichem Zinkverbrauch, also bei gleicher Stromstärke in gleicher Zeit erzeugten Wärmemenge ist somit

$$\frac{46110}{23410} = 1,96,$$

eine Zahl, welche nahezu mit dem Verhältnis der elektromotorischen Kräfte dieser beiden Ketten bei Anwendung rauchender Salpetersäure übereinstimmt

Mit Hilfe des Helmholtzschen Satzes sind wir auch imstande m berechnen, wie viel Wärme durch die Einheit der Stromstärke in einem Drahte, dessen Widerstand der Einheit gleich ist, in der Zeit einer Minute entwickelt wird. Die von uns gewählte Einheit der Stromstärke liefert in einer Minute ein Kubikcentimeter Knallgas oder zersetzt das an Gewicht diesem gleiche Gewicht 0,53631 Milligramm Wasser. Bei dieser Zersetzung wird, wie später gezeigt wird, 1,96647 Milligramm Zink aufgelöst. In einer Daniellschen Kette werden daher durch die Stromeinheit, nach der Favreschen Bestimmungen, 1,395 Wärmeeinheiten entwickelt. Nach der Bestimmung von Bosscha ist die elektromotorische Kraft des Daniellschen Elementes gleich 10,44, man hat somit in die Daniellsche Kette 10,44 Widerstandseinheiten einzuschalten, um die Stromstärke eins zu erhalten. In jeder Widerstandseinheit wird demnach der 1/10,44 Teil der gesamten Wärme, somit 0,1340 Wärmeeinheiten entwickelt. Hiernach würde die Konstante w in der Jouleschen Gleichung

$$W = w \cdot J^2 R$$

bei Zugrundelegung der von uns gewählten Einheiten

$$w = 0.1340$$

sein, und die Zeit, welche notwendig ist, um durch die Stromeinheit is der Widerstandseinheit eine Wärmeeinheit zu erzeugen, würde 7,47 Minnten betragen. Die Stromeinheit, welche Lenz als Einheit gewählt hat ist 0,686 der unsrigen, die Bestimmung der Widerstandseinheit aus den Dimensionen des von Lenz angewandten Drahtes ist unsicher, da die Leitungsfähigkeit des Kupfers, wie wir sahen, eine sehr verschiedene sein kann. Bosscha¹) hat deshalb die Größe der von Lenz gewählten Wider standseinheit aus der von Lenz gewählten Einheit der Stromstärke und der von Lenz selbst bestimmten Größe der elektromotorischen Kraft de Daniellschen Elementes berechnet. Lenz giebt nämlich in seiner Abhandlung an, dass in den von ihm gewählten Einheiten die elektromotorische Kraft eines Daniellschen Elementes, wie er dasselbe benutzte, gleich 47,16 gewesen sei. Es bedurfte demnach 47,16 seiner Widerstandseinheiten, um dem Strome eines Daniellschen Elementes die Einheit der Stärke zu geben Da nun die Lenzsche Stromeinheit für die Minute 0,686 Kubikcentimeter Knallgas liefert, so bedarf es in unsern Einheiten bei dem Daniellschen Elemente nach der Bosschaschen Bestimmung der elektromotorischen Kmft aus der Gleichung

$$\frac{10,44}{r} = 0,686;$$
 $r = \frac{10,44}{0,686} = 15,22$

¹⁾ Bosscha, Poggend. Ann. Bd. CVIII.

iderstandseinheiten, um die Lenzsche Einheit der Stromstärke zu erlten. Die Widerstandseinheit von Lenz ist deshalb in unsern Einheiten

$$\frac{15,22}{47,16} = 0,3227.$$

Die Lenzsche Widerstandseinsteit ist somit 0,3227 der unsrigen. Die dieser durch die Lenzsche Stromeinheit entwickelte Wärmemenge mußsmach 0,02034 Wärmeeinheiten sein, oder eine Wärmeeinheit muß in 9,1 Minuten entwickelt werden, eine Zahl, welcher die von Lenz gendene, 45 Minuten, bei der Unsicherheit unserer Reduktion hinreichend he kommt.

Eine direkte Prüfung des Helmholtzschen Satzes ist später von soult¹) und besonders von Thomsen²) vorgenommen worden. Thomsen at direkt die Wärmemenge bestimmt, welche im Stromkreise des Daniellhen Elementes durch den Strom erzeugt wird und ebenso jene, welche irch die chemischen Prozesse in dem Element erzeugt wird; er verfuhr bei folgendermaßen.

Zunächst wurde die Wärmemenge in einem Kalorimeter genau gessen, welche von einem Strom, der in der Minute 44,138 ccm Knalls unter 760 mm Druck und von der Temperatur 0° erzeugte, in einer tinspirale entwickelt wurde. Dieselbe ergab sich zu 387,2 Wärmeheiten in der Minute, wenn die Wärmemenge gleich eins gesetzt wird, lehe das Gramm Wasser um 1° C. erwärmt.

Es wurde darauf nach der Ohmschen Methode die elektromotorische aft des Daniellschen Elementes bestimmt; Thomsen wählte diese Mede, um unter denselben Umständen die elektromotorische Kraft des einentes zu messen, unter welchen die Wärmeentwicklung gemessen urde, wobei also die chemischen Aktionen in der Kette in voller Thätigit waren. Als Einheit des Widerstandes wählte er dabei den Widersnd der Platinspiralen, in welchen die Wärmeentwicklung durch den rom gemessen war, und als Einheit der Stromstärke jenen Strom, der der Minute 44,138 cem Knallgas entwickelte. Nach dem Ohmschen setze

$$J = \frac{E}{W}; \quad E = W \cdot J$$

ebt uns die elektromotorische Kraft gleichzeitig den Widerstand des nzen Stromkreises, der vorhanden sein muß, damit die elektromotorische raft in demselben die gewählte Einheit der Stromstärke erzeugt. In in von ihm gewählten Einheiten fand Thomsen die elektromotorische raft des Daniellschen Elementes gleich 0,17105. Dabei ergab sich, is die elektromotorische Kraft dieselbe war, als er in dem Elemente Inzentrierte Kupfervitriollösung und verdünnte Schwefelsäure anwandte, elche entweder ein Molekül H_2SO_4 auf 100 Moleküle Wasser (H_2O) ithielt oder auf 200 Moleküle Wasser.

Da hiernach das Daniellsche Element in einem Stromkreise, dessen liderstand 0,17105 der von Thomsen angewandten Platinspiralen be-

¹⁾ Raoult, Annales de chim. et de phys. 4. Série. T. IV.

²⁾ J. Thomsen, Wiedem. Ann. Bd. XI.

trägt, einen Strom erzeugt, der in dieser Stärke durch ein Voltameter gehend in der Minute 44,138 ccm Knallgas erzeugen würde, so folgt nach dem Jouleschen Gesetze, dass das Daniellsche Element in demselben, also überhaupt in der Minute

$$0,17105 \cdot 387,2 = 66,23$$

Wärmeeinheiten entwickelt, wenn dem Strom die Stärke von 44,138 gegeben wird, wenn also durch denselben in einer Minute 44,138 ccm Kmallgas entwickelt werden; ein Molektil Wasser oder 18 g liefern 33 515 cm Knallgas, somit würden in

$$\frac{33515}{44,138} = 759,3$$
 Minuten

durch diesen Strom 18 g oder ein Molektil Wasser zersetzt und in dieser Zeit die Wärmemenge

$$66,23 \cdot 759,3 = 50292$$

entwickelt. In derselben Zeit wird in dem Elemente ein Molekul Zink aufgelöst und ein Molekul Kupfer niedergeschlagen.

Die fast gleiche Zahl ergiebt sich auch aus den Versuchen von Less; nach denselben wird durch einen Strom, der in der Minute 0,686 cm Knallgas entwickelt, in dem Drahte, dessen Widerstand eine Einheit von Lenz betrügt, in der Minute 0,0222 Wärmeeinheiten entwickelt. Die elektromotorische Kraft seines Elementes findet Lenz in seinen Einheiten gleich 47,16; somit geben 47,16 seiner Widerstandseinheiten in einem Stromkreise seines Elementes die Einheit seiner Stromstärke. Das Element entwickelt demnach im ganzen bei dieser Stromstärke

$$0.0222 \cdot 47.16 = 1.0474$$

Wärmeeinheiten. Der Strom würde in

$$\frac{33515}{0.686} = 48848$$
 Minuten

ein Molekül Wasser zersetzen, somit in dieser Zeit

$$1,0474 \cdot 48848 = 51161$$

Wärmeeinheiten entwickeln.

Die durch die chemischen Prozesse in der Kette, Auflösung von einem Molekül Zink in verdünnter Schwefelsäure und Reduktion eines Moleküls Kupfer entwickelten resp. verbrauchten Wärmemengen sind nach Thomsens Versuchen

Auflösen des Zinks		106090
Reduktion , Kupfers .		55960
Entwickelte Wärme somit		50130

eine Zahl, welche so genau mit der durch den galvanischen Strom entwickelten Wärme zusammenfällt, dass die Beobachtung den Satz von Helmholtz bestätigt.

Für die Wärmeentwicklung in dem Daniellschen Element finder Thomsen einen etwas größern Wert als Favre, der für das halbe Molektl 23410, also für das Molektl aufgelösten Linkes 48820 Wirmeeinheite

Land. Setzen wir die elektromotorische Kraft des Daniellschen Elementes, senn es vom Strom durchflossen ist, rund 11, so wird die Konstante der Jouleschen Gleichung nach Thomsens Zahl

$$w = 0,1359,$$

renn der Strom in unserm chemischen Mass und der Widerstand in ruecksilbereinheiten gemessen wird.

Ebenso wie für die Daniellsche Kette hat Thomsen noch für eine nzahl anderer Kombinationen gezeigt, dass die von den Elementen im trom gelieferte Wärme gleich der in den Elementen durch die chemischen rozesse erzeugten Wärme ist, indem er die elektromotorischen Kräfte erselben mit denen des Daniellschen Elementes verglich und zeigte, dass Verhältnis der elektromotorischen Kräfte gleich ist dem der in den lementen frei gewordenen Wärme.

Für das Bunsensche Element ergiebt sich bei Anwendung von ganz onzentrierter Salpetersäure HNO_3 , von der ein Molekül in Untersalpeter-Bure unter Verwendung des abgeschiedenen Sauerstoffs zur Verbrennung such Wasserstoffs reduziert und in der Flüssigkeit gelöst wird, ohne daß assentwicklung eintritt

Das Verhältnis der entwickelten Wärme zu derjenigen im Daniellehen Elemente ist

$$\frac{96080}{50130} = 1,92.$$

Bei Anwendung rauchender Salpetersäure ergab sich das Verhältnis er elektromotorischen Kräfte

$$\frac{B}{D} = 1,86.$$

Wendet man in den Elementen von Grove und Bunsen verdünntere Alpetersäure an, so wird dieselbe größtenteils in Stickoxyd verwandelt, ad der Wärmeverbrauch steigt nach Thomsen auf 23250 Wärmeeinsiten, so daß die disponible Wärme gleich 82810 wird. Hiernach sollte As Verhältnis der elektromotorischen Kräfte sein

$$\frac{B_1}{D} = \frac{82810}{50130} = 1,65$$
, gefunden wurde 1,69.

Im Folgenden stellen wir die übrigen Angaben Thomsens zusammen:

Kombination	Chemisch entw. Wärme absolut $D = 1$		Elektrom, K. $D = 1$
1.	16590	0,33	0,33
$2. \left\{ \begin{matrix} Zn - HCl + Aq \\ Ag - AgCl \end{matrix} \right\}$	54 080	1,08	

Kombination	Chemisch er absolut	itw. Wärme $D = 1$	Elektrom. I D = 1
3. $\{Zn - H_2SO_4 + Aq \\ \text{Kohle} - CrO_3, H_2SO_4 + Aq \}$	99790	1,99	1,85
4. $ \left\{ \begin{matrix} Cu - H_2SO_4 + 100H_2O \\ \text{Kohle} - HNO_3 \end{matrix} \right\} $	45950	0,92	0,88
5. $\left\{ \begin{array}{l} Cu - H_2 SO_4 + 100 H_2 O \\ \text{Kohle} - H NO_3 + 7 H_2 O \end{array} \right\}$	32680	0,65	0,75
6. $\left\{ Fe - Fe Cl_2 + Aq \atop \text{Kohle} - Fe_2 Cl_6 + Aq \right\}$	44430	0,89	0,90

Die Kette Nr. 1 ist eine von Regnauld konstruierte, Nr. 2 die Kette von Pincus oder Warren de la Rue und Hugo Müller, Nr. 3 Bunsen Chromsäurekette, für welche die elektromotorische Kraft etwas zu ben ausfällt, weil die Kette nicht polarisationsfrei ist, 4 und 5 die wu Thomsen modifizierte Bunsensche Kette, in der Kupfer statt Zink genommen ist, Nr. 4 mit Salpetersäurehydrat, Nr. 5 mit verdünnter Same, Nr. 6 ist eine von Ponci beschriebene konstante Kette¹).

Wenn wir auch erst an einer andern Stelle die Arbeitsleistungen der Stromes und die Frage nach dem Arbeitsvorrate besprechen, so erkenne wir doch schon jetzt, daß wenn die im chemischen Prozeß in der Kett erzeugte Wärme sich ganz im Strome wiederfindet, daß diese chemist erzeugte Wärme der Arbeitsvorrat für den Strom ist. Leistet der Strom keine andere Arbeit, so tritt eben der Arbeitsvorrat als Wärme im Strom kreise auf, wird Arbeit irgend welcher Art geleistet, so tritt das Äquivaler dieser Arbeit an Wärme weniger auf.

Dem entspricht es dann auch, dass die elektromotorischen Kräfte de verschiedenen Ketten der chemisch in den Elementen entwickelten Wärm proportional sind, wir können einfach hier schon sagen, dass die in de Ketten entwickelte Wärme in den elektrischen Strom umgewandelt is Wir werden diesen Satz später in einer präciser von W. Thomsen aus gesprochenen Form wiederfinden.

F. Braun²) hat die Richtigkeit dieses letzteren Satzes bestritten, war zunächst darauf aufmerksam gemacht, dass es aus dem Princip von de Erhaltung der Arbeit durchaus nicht verlangt werde, dass alle im Elektrischen Strom verwandelt werde, da vielmehr zwischen Wärme und elektrischem Strome eine ganz ähnlich Beziehung bestehen könne, wie zwischen Wärme und mechanischer Arbeit wir nach dem zweiten Hauptsatze der mechanischen Wärmtheorie wissen, kann Wärme überhaupt nur in Arbeit umgewandelt werde wenn sie von einem wärmern zu einem kältern Körper hinüberström Wird dem wärmern Körper, dessen absolute Temperatur T_1 ist, di Wärmemenge Q_1 entzogen, so wird bei einem umkehrbaren Kreisprozei

¹⁾ Ponci, Beiblätter zu den Annalen Bd. II. S. 42.

²⁾ F. Braun, Wiedem. Ann. Bd. V, Bd. XVI, Bd. XVII.

a den kältern Körper von der Temperatur T_2 die Wärmemenge Q_2 abeliefert, so dafs

$$\frac{Q_1}{T_1} = \frac{Q_2}{T_1}; \quad q = Q_1 - Q_2 = Q_1 \left(1 - \frac{T_2}{T_1}\right).$$

Die Wärmemenge q ist es, welche hierbei in Arbeit umgesetzt ist. balich, meint Braun, kann es sich bei der Umsetzung von Wärme in ektrischen Strom verhalten, es ist möglich, daß nur ein Teil der Wärme elektrischen Strom verwandelt werden kann. Würde unter dieser Vorauszung die umsetzbare Wärme immer derselbe Bruchteil der chemisch zeugten Wärme sein, so würde allerdings unser Satz, daß die durch n Strom erzeugte Wärme gleich der chemisch im Elemente erzeugten , nicht mehr richtig sein, wohl aber noch der Satz, dass beide einder proportional und damit weiter, daß die elektromotorische Kraft Ketten der chemisch erzeugten Wärme proportional seien. Dann aber rde durch die Versuche von J. Thomsen, der für die Daniellsche Kette zeigt hat, dass die vom Strom erzeugte der chemisch entwickelten Wärme ich ist, die Annahme Brauns schon widerlegt sein. Braun kommt es zu dem Satze, dass der Bruchteil der in Strom umgesetzten Wärme den chemischen Prozessen ein sehr verschiedener sein könne, so daß B. im Daniellschen Elemente, wenn A die durch Auflösung eines Molels Zink in Schwefelsäure, B die durch Auflösung eines Moleküls Kupfer Schwefelsäure entwickelte Wärme wäre, die in Strom umsetzbare Wärme ht x(A-B) ware, wo x ein ächter Bruch, sondern daß sie gegeben durch xA - yB, worin x und y ächte Brüche sind, die von einander schieden sein können. Das heißt also, würde von der bei der Aufung des Kupfers erzeugten Wärme nur yB in Strom umgesetzt werden, wurde auch von dem Strome, der im Daniellschen Elemente durch Auflösung des Zinks erzeugt wurde, die zum Niederschlagen des pfers erforderliche Wärme B nur zu dem Teile yB dem Strome entnmen, die Wärmemenge (1-y) B würde anderweitig dem Elemente tnommen.

Hiernach könnte es vorkommen, daß xA - yB kleiner oder gleich er selbst größer sei als A - B, in welch letzterm Falle in dem Eleente weniger Wärme auftreten müßte, als nach dem Jouleschen Gesetze demselben entwickelt würde.

Wir begnügen uns an dieser Stelle mit dieser Andeutung der theotischen Ansichten Brauns, vollständiger werden wir die Theorie Brauns i letzten Kapitel § 160 besprechen und dort auch die Versuche Brauns her kennen lernen, nur sei hier schon erwähnt, daß Braun aus seinen ersuchen den Schluß zieht, daß in der That die erwähnten Möglichkeiten irkommen, daß die im Strom entwickelte Wärme, welche unter allen uständen der elektromotorischen Kraft proportional ist, kleiner, gleich er größer sein kann als die durch die Differenz A-B gegebene, daß stets aber kleiner ist und sein muß wie A.

§. 93.

Ableitung des Jouleschen Gesetzes aus dem Ohmschen Gesetze. e Warmeentwicklung in den Leitern des galvanischen Stromes ist nach 648

der mechanischen Wärmetheorie als eine gewisse Arbeit aufzufassen, welche die Elektricität bei dem Durchströmen des Leiters leistet. Indem die Elektricität den Widerstand des Leiters überwindet, giebt sie ihre Bewegung an die Moleküle des Leiters ab und erwärmt dadurch den Leiter. Setzen wir zunächst einen rein metallischen Leiter voraus, in welchem die Elektricität sonst gar keine Arbeit leistet, so muß die gesamte Arbeit der Elektricität als Wärme auftreten. Wenn wir die Anschauung der Elektricität als einer Flüssigkeit festhalten, können wir diese Abgabe der Bewegung derjenigen bei der Reibung zweier Körper analog ansehen, wenn ein Körper über seiner Unterlage oder eine Flüssigkeit durch enge Röhren mit gleichförmiger Geschwindigkeit hin bewegt wird, so daß in jedem Augenblicke die gesamte geleistete Arbeit nur zur Überwindung der Reibung benutzt wird. Um die von dem galvanischen Strome entwickelte Wärmemenge zu berechnen, haben wir demnach nur die von dem Strome geleistete Arbeit zu bestimmen.

Wie wir im §. 9 nachwiesen, ist die Arbeit, welche eine gegebene Elektricitätsmenge bei irgend einer Zustandsänderung leistet, gleich der Änderung des Potentials der gegebenen Elektricitätsmenge auf sich selbst. Ganz in derselben Weise können wir auch die Arbeit bestimmen, welche ein elektrischer Strom zu leisten imstande ist¹). Wir betrachten dabei den galvanischen Strom als einen solchen positiver Elektricität, eine Anschauungsweise, welche im schließlichen Resultat dieselbe ist, als wem wir den Strom als einen solchen beider Elektricitäten ansehen, welche sich durch den Leiter nach entgegengesetzten Richtungen bewegen. Dem es ist nach allen früheren Entwicklungen dasselbe, wenn sich durch einen Querschnitt des Leiters die Elektricitätsmenge ½q nach der einen und — ½q nach der entgegengesetzten Seite bewegt, oder die Elektricitätsmenge q nur nach der Richtung des positiven Stromes sich bewegt.

Sei nun während des Stromes an irgend einer Stelle des Leiters zur Zeit t das Elektricitätselement dq. Ist der Potentialwert der auf dem Leiter vorhandenen freien Elektricität in der Niveaufläche, in welcher sich gerade das Element dq befindet, gleich V, und ist $-\frac{dV}{dn}$ die Änderung des Potentialwertes parallel der Normale der Niveaufläche, so ist die das Element dq bewegende Kraft gleich

$$-dq \cdot \frac{dV}{dn}$$
.

Durch diese Kraft wird das Element in der Zeit dt parallel der Normale der Niveaufläche die Wegstrecke dn fortgeführt, die dieser Bewegwgentsprechende Arbeit ist

$$-dq \cdot \frac{dV}{dn} dn.$$

Wird das Element dq durch die endliche Strecke n bewegt, so ist die dabei geleistete Arbeit gleich der Summe aller der unendlich kleinen jedem Wegeelement dn entsprechenden Arbeiten, wo für jedes Element

Clausius, Poggend. Ann. Bd. LXXXVII. Abhandlungen zur mechanischen Wärmetheorie. Abhdlg. XI.

In die dort stattfindende Änderung des Potentialwerts eingesetzt werden muß. Der Wert der Summe oder

$$-\int dq \cdot \frac{dV}{dn} \cdot dn$$

ist aber, da dq immer dasselbe ist, und $\frac{dV}{dn} dn = dV$ die Differenz der an den auf einander folgenden Punkten des Weges vorhandenen Werte der Potentialfunktion ist, gleich

$$dq(V_1-V_2),$$

wenn V_1 den Wert der Potentialfunktion der gesamten auf dem Leiter vorhandenen Elektricität beim Beginne und V_2 denselben am Ende des Weges bezeichnet.

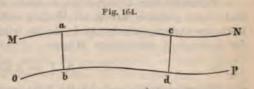
Nach der in der Einleitung eingeführten Bezeichnungsweise ist V_1dq das Potential der gesamten freien Elektricität auf das bewegte Element dq im Beginne, V_2dq dasselbe am Ende der Bewegung. Da nun der obige Wert der Arbeit für jedes Element dq gilt, welches durch denselben Weg bewegt wird, also für eine endliche Elektricitätsmenge $q = \int dq$ der Ausdruck gilt

$$q(V_1-V_2),$$

so gelangen wir zu dem Satze: "Die bei einer bestimmten Bewegung einer Elektricitätsmenge von der in dem Leiter wirksamen Kraft gethane Arbeit ist gleich der bei dieser Bewegung eingetretenen Änderung des Potentials der auf dem Leiter vorhandenen Elektricität auf die bewegte Elektricitätsmenge."

Um mit Hilfe dieses Satzes die in einem Stromleiter geleistete Areit zu bestimmen, sei Fig. 164 MNOP ein Stück eines lang gestreck-

en Leiters, der von einem kontanten Strome durchflossen sei, nd seien ab und cd die Durchhnitte zweier Niveauflächen nd des Leiters, denen in ab er Wert der Potentialfunktion 1, in cd der Wert V₂ entspreche.



ie Arbeit, welche der Strom in einer bestimmten Zeit auf der Strecke c leistet, ist gleich der Veränderung des Potentials der gesamten freien lektricität auf die während der Zeit in dem Leiterstück bewegte Elekticität. Da wir einen konstanten Strom voraussetzen, so sind die Werte er Potentiale V an den verschiedenen Stellen des Leiters immerwährend nveränderlich, ebenso tritt genau dieselbe Elektricitätsmenge, welche bei b in das Stück des Leiters eintritt, auch bei cd wieder heraus. Belichnen wir mit J die Intensität des den Leiter durchfließenden Stromes, können wir mit K.J die Menge der in der Zeiteinheit durch ab in as Leiterstück hineinfließenden und ebenso jene der durch cd das Leitertück verlassenden Elektricitätsmenge bezeichnen, worin K eine von der ewählten Einheit der Stromstärke abhängige Konstante ist. In der liveaufläche ab ist das Potential der freien auf dem Leiter vorhandenen lektricität auf die in der Zeiteinheit bewegte gleich

in der Niveaufläche cd dagegen

650

Die Änderung des Potentials der freien auf die bewegte Elektricht ist daher in dem Leiterstücke ac gleich der Differenz dieser beiden Werte, somit ist die von der strömenden Elektricität geleistete Arbeit

$$L = K.J.(V_1 - V_2)$$

oder die von dem elektrischen Strome in einem beliebigen Leiterstücke in der Zeiteinheit geleistete Arbeit ist gleich der Differenz der Potentialwerte im Anfange und am Ende des Leiterstücks multipliziert mit der Stromstärke, das heißt mit der in der Zeiteinheit durch den Querschmitt des Leiters fließenden Elektricitätsmenge.

Bezeichnen wir den Widerstand unseres Leiterstückes mit R, so ist nach dem Ohmschen Gesetze

$$K.J = \frac{V_1 - V_2}{R}$$

$$K.J.R = V_1 - V_2$$

und damit wird die geleistete Arbeit

$$L = K^2 . J^2 . R$$

oder die in einem Leiterstücke von dem Strome geleistete Arbeit ist gleich dem Quadrate der Stromstärke multipliziert mit dem Widerstande des Leiterstückes. Da das Leiterstück beliebig sein kann, so gilt der Satz auch für den ganzen Stromkreis, wenn dann R den Widerstand des Stromkreises bezeichnet.

Wenn in dem Leiterstücke R keine andere Arbeit geleistet wird, so muß diese gesamte Arbeit als Wärme auftreten; ist deshalb der Wärme wert der Arbeitseinheit gleich A, so wird die in dem Leiterstücke in der Zeiteinheit entwickelte Wärme

$$W = A \cdot L = A K^2 J^2 \cdot R,$$

ein Ausdruck für die entwickelte Wärmemenge, welcher genau dem Jouleschen Gesetze entspricht. Würden wir in dieser Gleichung die Konstant K bestimmen, das heifst die in dem Stromkreise cirkulierende Elektricitätsmenge in dem in der Elektrostatik aufgestellten mechanischen Maße angeben können, so ließe sich nach dieser Gleichung die Wärmemenge theoretisch berechnen. Diese Messung der Elektricitätsmenge nach mechanischem Maße können wir indes erst nach Vorführung der Induktionserscheinungen vornehmen; wir werden dann auch die im dritten Bande S. 403 bereits erwähnte Bestimmung des mechanischen Wärmeäquivalens durch elektrische Messungen kennen lernen.

Wenn in dem betrachteten Leiterstücke noch eine andere Arbeit geleistet wird, so muß die durch den Strom entwickelte Wärmemenge um
den Wärmewert dieser Arbeit kleiner sein; wir haben im vorigen Paragraphen bereits die Bestätigung dieses Satzes in den Versuchen von Joule
1 Becquerel kennen gelernt, welche zeigten, daß die in Flässigkeits

dort stattfindende Änderung des Potentialwerts eingesetzt werden Der Wert der Summe oder

$$-\int dq \cdot \frac{dV}{dn} \cdot dn$$

da dq immer dasselbe ist, und $\frac{dV}{dn} dn = dV$ die Differenz der auf einander folgenden Punkten des Weges vorhandenen Werte entialfunktion ist, gleich

$$dq(V_1-V_2),$$

den Wert der Potentialfunktion der gesamten auf dem Leiter einen Elektricität beim Beginne und V_2 denselben am Ende des bezeichnet.

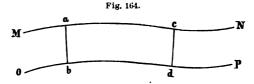
ch der in der Einleitung eingeführten Bezeichnungsweise ist as Potential der gesamten freien Elektricität auf das bewegte dq im Beginne, V_2dq dasselbe am Ende der Bewegung. Da obige Wert der Arbeit für jedes Element dq gilt, welches durch n Weg bewegt wird, also für eine endliche Elektricitätsmenge lq der Ausdruck gilt

$$q(V_1 - V_2),$$

igen wir zu dem Satze: "Die bei einer bestimmten Bewegung ektricitätsmenge von der in dem Leiter wirksamen Kraft gethane st gleich der bei dieser Bewegung eingetretenen Änderung des ls der auf dem Leiter vorhandenen Elektricität auf die bewegte tätsmenge."

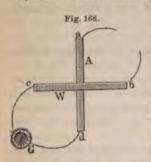
mit Hilfe dieses Satzes die in einem Stromleiter geleistete Arbestimmen, sei Fig. 164 MNOP ein Stück eines lang gestreckers, der von einem kon-

Strome durchflossen sei, n ab und cd die Durchzweier Niveauflächen Leiters, denen in ab der Potentialfunktion der Wert V₂ entspreche.



eit, welche der Strom in einer bestimmten Zeit auf der Streckert, ist gleich der Veränderung des Potentials der gesamten freien tät auf die während der Zeit in dem Leiterstück bewegte Elek-Da wir einen konstanten Strom voraussetzen, so sind die Werte entiale V an den verschiedenen Stellen des Leiters immerwährend lerlich, ebenso tritt genau dieselbe Elektricitätsmenge, welche bei as Stück des Leiters eintritt, auch bei cd wieder heraus. Bewir mit J die Intensität des den Leiter durchfließenden Stromes, en wir mit K.J die Menge der in der Zeiteinheit durch ab in erstück hineinfließenden und ebenso jene der durch cd das Leiterbrassenden Elektricitätsmenge bezeichnen, worin K eine von der in Einheit der Stromstärke abhängige Konstante ist. In der äche ab ist das Potential der freien auf dem Leiter vorhandenen tät auf die in der Zeiteinheit bewegte gleich

das Kreuz von b nach a, also vom Wismut zum Antimon gehen, so fliefst nach Unterbrechung des primären Stromes durch das Galvanometer ein Strom von c nach d, welcher nur von der Abkühlung der Lötstelle



herrühren kann. Giebt man dem Strome der Säule die entgegengesetzte Richtung, so fließt nach Unterbrechung des primären Stromes auch durch das Galvanometer ein dem vorigen entgegengesetzter Strom. Die Entstehung von Thermoströmen, wenn durch den Kreuzungspunkt der beiden Stäbe ein Strom hindurchgegangen war, beweist die Erwärmung oder Erkältung der Lötstelle.

Man kann indes schon mit weniger empfindlichen Mitteln diese Erkältung der Lötstelle nachweisen. Peltier schlofs in die Kugeln eines

Differentialthermometers in jede ein Thermoelement so ein, daß wenig mehr als die Lötstellen sich im Innern der Kugeln befand. Ließ er einen Strom durch dieselben hindurchgehen, so trat eine bedeutende Verschiebung des Flüssigkeitstropfens nach der Seite ein, wo der Strom vom Wismut zum Antimon durch die Lötstelle ging. Auch wenn ein Strom nur durch eins der Thermoelemente ging, trat die Verschiebung des Inder ein, und zwar wenn der Strom vom Wismut zum Antimon ging, trat bei schwachen Strömen eine Erkältung ein, bei stärkeren wurde das Thermoelement erwärmt, aber immer weniger, als wenn der Strom die entgegengesetzte Richtung hatte.

Schliefst man in ein Luftthermometer von Riess einen dem in Fig. 165 dargestellten ähnlichen Stab ein, so daß die Lötstelle sich im Innern der Kugel befindet, so steigt bei schwachen Strömen in der Richtung vom Wismut zum Antimon die Flüssigkeit gegen die Kugel hin auf, ein Beweis, daß die Temperatur in der Kugel erniedrigt wird; bei stärkeren tritt eine Temperaturerhöhung ein, welche aber immer geringer ist, als wenn der Strom die entgegengesetzte Richtung hat, und auch geringer, als wenn

bei gleichem Widerstande die Lötstelle nicht vorhanden wäre.

Einen sehr auffälligen Beweis für die Kälteerzeugung durch den galvanischen Strom hat Lenz¹) geliefert. Er lötete eine Wismut- und Antimonstange von circa 1 qcm Querschnitt in der Weise Fig. 165 aneinander, und bohrte in die Lötstelle eine kleine Vertiefung. Die Stange wurde auf schmelzenden Schnee gelegt, und die Vertiefung mit Wasser gefüllt. Darauf wurde der Strom eines Groveschen Elementes von 1 Quadratfuß Oberfläche in der Richtung von dem Wismut zum Antimon durch die Stange geleitet. Nach 5 Minuten war das Wasser vollständig gefroren und das Eis sogar auf — 4,4° C. erkaltet.

Aus dem Vorigen ergiebt sich, dafs die Erkältung oder Erwärmung der Lötstelle abhängig ist von der Stärke des durch sie hindurchgesandten Stromes, da je nach der Stärke desselben die Lötstelle erkaltet oder erwärmt wird. Die Abhängigkeit der Temperaturänderung der Lötstellen

^{7,} Poggend. Ann. Bd. XLIV.

engte Wärmemenge um jene Wärmemenge kleiner ist, welche zur Zerung der Flüssigkeiten verbraucht wird. In etwas anderer Weise hat re¹) diese Folgerung durch Versuche bestätigt, wir werden diese Verhe bei Gelegenheit der Arbeitsleistungen durch den Strom besprechen.

§. 94.

Temperaturänderungen an Berührungsstellen heterogener Leiter. Ser der Erwärmung, welche in dem ganzen einen galvanischen Strom enden Stromkreise stattfindet, zeigen sich noch besondere Temperaturerungen an den Stellen, wo zwei verschiedene Metalle zusammenstoßen; artige Stellen können, wie zuerst Peltier²) beobachtet hat, entweder ker oder weniger stark erwärmt werden als die übrigen Teile der tung, oder sogar erkältet werden.

Man nehme einen Stab AW Fig. 165, der zur Hälfte A aus Antimon, Hälfte W aus Wismut besteht; wird an diesem Stabe die Lötstelle

särmt, so cirkuliert in einem Kreise, in chem der Stab eingeschaltet ist, ein om so, daß er durch die warme Lötlle vom Wismut zum Antimon geht. rd dagegen die Lötstelle abgekühlt, so steht ein Strom, welcher durch diebe vom Antimon zum Wismut geht.



Lässt man durch diesen Stab, dessen Temperatur gleich der der Umung sein möge, einen schwachen Strom gehen, welcher durch die Lötlle vom Wismut zum Antimon geht, also wie der Thermostrom, bei wärmung der Lötstelle, so wird die Lötstelle unter die Temperatur Umgebung abgekühlt. Läfst man dagegen den Strom in der Richg vom Antimon zum Wismut gehen, so wird die Lötstelle erwärmt. Ganz dasselbe zeigt sich bei Anwendung irgend zweier Metalle, welche rmoelektrisch gegen einander wirksam sind; lässt man einen Strom ch die Lötstelle gehen, dessen Richtung gleich derjenigen ist, welche durch Erwärmung der Lötstelle erzeugter haben würde, so wird die stelle abgekühlt, leitet man einen Strom hindurch, welcher gleiche htung mit dem durch Erkältung der Lötstelle erzeugten hat, so wird Lötstelle erwärmt. Ein Strom also, welcher durch Zufuhr von Wärme einer Lötstelle erzeugt wird, verbraucht auch auf andere Weise entkelt, bei dem Durchgange durch die Lötstelle Wärme, ein Strom egen, welcher durch Fortnahme von Wärme von einer Lötstelle ergt wird, liefert in dieser Lötstelle Wärme.

Man kann diese Erscheinung sehr leicht mit Hilfe des sogenannten tierschen Kreuzes (Fig. 166) nachweisen, zwei kreuzweise über einler gelegten und in ihrer Mitte auf einander gelöteten Stäben, der e A aus Antimon, der andere W aus Wismut. Die Enden a und b Stäbe verbindet man mit einer Daniellschen Säule, die Enden v und nit einem Galvanometer G. Läfst man den Strom der Säule durch

¹⁾ Favre, Comptes Rendus, T. XXXIX. p. 1212.
2) Peltier, Annales de chim. et de phys. T. LVI. Poggend. Ann. Bd. XLIII.
28 Repert. Bd. I. p. 353.

so ist die Temperaturänderung gleich 0, die Lötztelle wird weder ersten noch abgektihlt; ist J kleiner, so wird t negativ, da das erste Giel die rascher abnimmt als das zweite, ist J größer, so wird t positiv, de Listelle also erwärmt.

In etwas anderer Weise hat später Edlund¹) die Temperaturädernet der Lütstellen untersucht, indem er einen dem Riessschen Luftthermen ähnlichen Apparat dazu benutzte. In das die Kugel des Luftthermen vertretende kupferne Gefäß waren isoliert die zusammengelöteten Deingeführt, so daß die Lötstelle sich in der Mitte des Gefäßes bei Von dem kupfernen Gefäß ging eine Röhre aus, welche, nachdem sich überzeugt hatte, daß die Drähte luftdicht in das Gefäß eingen waren, durch einen Kautschukschlauch mit einem Flüssigkeitsreservir bunden wurde, so daß man durch Heben und Senken des Reservir Elüssigkeit in der von dem Kupfergefäß ausgehenden Glasröhre an einbestimmte Stelle bringen konnte. Um das Gefäß des Luftthermonder von den Temperaturschwankungen der Umgebung unabhängig zu mach war dasselbe von einem doppelwandigen Zinkgefäße umgeben, zwisch dessen Wänden sich etwa 5 Liter Wasser befanden.

Bei den Versuchen wurde zunächst der Strom in der einen Richtendurch die Lötstelle so lange hindurch gesandt, bis die Temperatur Luftthermometers konstant wurde, bis dasselbe also soviel Wärme an Lumgebung abgab, als es von dem Drahte erhielt. Da die Temperaturerhöhung des Luftthermometers immer nur eine geringe war, so war Wärmeabgabe nach außen der Temperaturerhöhung des Luftthermometers proportional, somit war auch die in dem Drahte in der Zeiteinheit wickelte Wärmemenge, welche der ausgestrahlten gleich ist, der Temperaturerhöhung des Luftthermometers proportional.

Ist demnach die an einer Skala der Röhre des Luftthermometers be obachtete Depression der Flüssigkeit gleich A + a Skalenteile, und \bullet in der Zeiteinheit entwickelte Wärmemenge, so ist

$$A + a = k \cdot w,$$

worin k irgend eine Konstante bedeutet. Die Wärmemenge w rüht in einmal von der nach dem Jouleschen Gesetze in dem Drahte und dem von der an der Lötstelle entwickelten; erstere ist dem Quadrate der Stromstärke, letztere der Stromstärke proportional, so dass wir setzen könne

$$w = m \cdot J^2 + n \cdot J$$

und damit

$$A + a = km \cdot J^2 + knJ = M \cdot J^2 + NJ.$$

Darauf wird der Strom in entgegengesetzter Richtung durch das Latthermometer gesandt, wobei sich die entwickelte Wärmemenge von der vorigen nur dadurch unterscheidet, das jetzt an der Lötstelle genax viel Wärme verbraucht wird, wie vorher dort entwickelt wurde. Ist der halb jetzt die beobachtete Depression A + a', so ist

$$A + a' = MJ^2 - NJ,$$

¹⁾ Edlund, Poggend. Ann. Bd. CXI.

L.

aus beiden Beobachtungen

$$\frac{a-a'}{2}=NJ.$$

Ist demnach der Satz richtig, dass die Temperaturänderung, respektive in der Lötstelle entwickelte oder verbrauchte Wärmemenge der Stromke proportional ist, so muss die Differenz der bei beiden Stromrichzen beobachteten Depressionen der Stromstärke proportional sein. Es te sich das bei allen Versuchen bestätigt, wie folgende Zahlen zeigen. Stromstärken sind an der Tangentenbussole gemessen, sie sind also Tangenten der unter der Rubrik Stromstärken angegebenen Winkel portional.

1) Kupfer und Eisen. Geht der Strom vom Kupfer zum Eisen, so 1 die Lötstelle abgekühlt.

Stromstärke	a -	a'
v	beobachtet	berechuet
45^{0}	19,4	19,8
44° 6'	18,6	19,2
32° 30'	12,9	12,6
31° 25'	12,5	12,1.

Die berechneten Werte sind nach der Gleichung

$$a - a' = 19.82 \tan v$$

alten. Mit einer andern Sperrflüssigkeit, welche ein etwas größeres einsches Gewicht hatte, fand Edlund

$$a - a' = 17,83 \tan v.$$

2) Platin-Kupfer. Geht der Strom vom Platin zum Kupfer, so tritt ühlung der Lötstelle ein,

$$a - a' = 7.37 \tan v$$
.

3) Neusilber-Kupfer. Abkühlung, wenn der Strom vom Neusilber Kupfer geht,

$$a - a' = 15.57 \text{ tang } v.$$

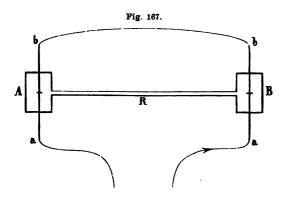
4) Wismut-Kupfer. Abkühlung, wenn der Strom vom Wismut zum ifer geht,

$$a - a' = 141,3 \text{ tang } v.$$

In einer spätern Arbeit hat Edlund 1) für eine noch größere Anzahl Kombinationen die Temperaturänderungen bestimmt und dabei eine h genauere Methode angewandt. Dieselbe unterschied sich von der in angewandten dadurch, daß er anstatt des früheren einfachen Luftmometers ein Differentialthermometer benutzte. Das Schema des Vernes zeigt Fig. 167. Zwei thermometrische Gefüße, jedes im wesentlichen ungeordnet, wie das vorhin beschriebene Luftthermometer, wurden durch enge mit einer Skala versehene Röhre in Verbindung gesetzt. In der re befand sich ein Flüssigkeitsindex, der wenn Druck und Temperatur

¹⁾ Edlund, Poggend. Ann. Bd. CXLIII.

der in A und B eingeschlossenen Luft ganz gleich waren, sich in der Skala befinde. In jedes der beiden Gefäse A und B wurde lu eine Kombination von zwei zu untersuchenden Drähten a und b ein



so dass sich die Letwa in der Mittersfäse befand. Dann die Enden bb mit ei die Enden aa mit len einer Batterie den. Wenn man das Strom etwa in dtung der Pfeilspit in dem Gefäse I durch die Lötstel dagegen in A von die Lötstelle nach läst, so kann, gesetzt, dass die

Drahtkombinationen ab im übrigen ganz gleich sind, eine Tem verschiedenheit in den beiden Gefäsen A und B nur dadurch e dass in dem einen derselben eine Abkühlung der Lötstelle, in den eine Erwärmung derselben eintritt, denn die durch den Strom na Jouleschen Gesetz entwickelte Wärmemenge ist in dem Falle in den Drähten ab ganz gleich. Die durch die Temperaturdifferenz Verschiebung des Index in der Röhre R giebt also sofort die Ab an der einen, die Erwärmung an der andern Lötstelle an, und Temperaturdifferenz der Lötstellen proportional zu setzen.

Ist die volle Gleichheit der Drähte nicht erreicht, so kann au die Erwärmung nach dem Jouleschen Gesetze eine Temperaturdiffer troten. Diese ist indes, da sie von der Richtung des Stromes uns ist, leicht zu eliminieren. Man hat nur bei einem zweiten Versu Strom in entgegengesetzter Richtung zu leiten. War vorher die lin B erwärmt, in A abgekühlt, so findet jetzt das Umgekehrte ste Verschiebung muß deshalb jetzt die entgegengesetzte und, wenn kogleichheit der Drähte vorhanden ist, der vorher beobachteten glei Sind die Drähte nicht gleich, so wird jetzt die Verschiebung de eine andere, dann ist aber die halbe Summe der beiden beob Verschiebungen jene, welche ohne Ungleichheit der Drähte statts haben würde; denn war die erste Verschiebung durch direkte Erw der Drähte zu groß, so ist die zweite genau um denselben Betrag i

Wegen der genauern Anordnung des Apparates und der vie Edlund angewandten Vorsichtsmaßregeln müssen wir auf die Abh Edlunds verweisen. Die erhaltenen Zahlen werden wir sofort Tabelle zusammenstellen.

Edlund hat von denselben Drahtkombinationen, bei denen er de peraturänderungen der Lötstellen untersuchte, auch die elektromot Kräfte bestimmt, indem er die von denselben bei einer Temperatur von 10° gelieferten Stromsfärken und ausserdem die in ihnen wanen Leitungswiderstände bestimmte.

lgende Tabelle stellt die von Edlund erhaltenen Werte zusammen, ir unter α die Temperaturänderungen, wenn der Strom von Kupfer in der ersten Kolumne angeführten Metalle durch die Lötstelle emperaturerhöhung ist mit dem positiven, Temperaturerniedrigung in negativen Vorzeichen versehen. Die Temperaturänderungen geldie bei allen gleiche von Edlund willkürlich gewählte Einheit omstärke; die Angaben sind in einem ebenfalls willkürlichen Maße. sind die thermoelektromotorischen Kräfte derselben Kombination, in Kupfer mit den in der ersten Kolumne angegebenen Metallen in Temperaturdifferenz von 10° (eine Lötstelle 10°, die andere 20°) en; die letzte Kolumne enthält die Quotienten

	α	e	e
			α
Eisen	— 130,99	146,18	1,12
Kadınium	 6,88	9,79	1,42
Zink	- 0,34	0,76	2,24
Kupfer	0,00	0,00	
Silber	+ 1,29	1,89	1,47
Gold	+ 14,76	23,92	1,62
Blei	+ 22,20	27,27	1,23
Zinn	+ 24,71	38,84	1,57
Aluminium	+ 30,77	42,15	1,37
Platin	+ 45,03	58,41	1,30
Palladium	+ 96,23	115,04	1,20
Wismut	+ 783,10	835,10	1,07.

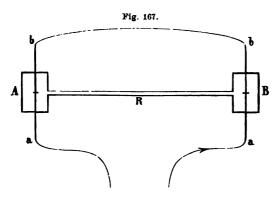
- letzte Kolumne zeigt, dass die Temperaturänderungen an den einerseits und die Größe der elektromotorischen Kräfte andereinander annähernd proportional sind; die Abweichung von dieser aden Proportionalität beim Kupferzink ist ohne Bedeutung, da vohl α als e so klein sind, dass sie nicht mehr mit Sicherheit bewerden können. Außerdem weichen ziemlich bedeutend Kupfernd Kupfer-Wismut von der Proportionalität ab, bei beiden ist α au groß 1).
- an einer Lötstelle eintretende Temperaturänderung ist der dort elten oder verbrauchten Wärme direkt proportional zu setzen, so i aus den Versuchen Edlunds ebenfalls der Schluss ergeben würde, thermoelektrische Kraft bei Erwärmung der Lötstellen verschietallkombinationen den bei gleichen Stromstärken für den Durchs Stromes durch die Lötstellen verbrauchten Wärmemengen in n Weise annähernd proportional ist.

ese annähernde Proportionalität der bei dem Durchgange durch tstelle verbrauchten Wärmemenge und der thermoelektromotoriraft bei Erwärmung der betreffenden Lötstelle hat Le Roux²) direkt riesen, indem er die an den Lötstellen verbrauchten Wärmemengen Durchtritt des Stromes direkt maß.

Man sehe auch die zu gleichem Resultate führenden Versuche Sundells,
Ann. Bd. CXLIX.

Le Roux, Annales de chim. et de phys. IV. Série. T. X.

der in A und B eingeschlossenen Luft ganz gleich waren, sich in der Mitte der Skala befinde. In jedes der beiden Gefässe A und B wurde luftdicht eine Kombination von zwei zu untersuchenden Drähten a und b eingesetzt,



so dass sich die Lötstelle etwa in der Mitte der Gefässe befand. Dann wurden die Enden bb mit einander, die Enden aa mit den Pelen einer Batterie verbunden. Wenn man dann einen Strom etwa in der Richtung der Pfeilspitze, alse in dem Gefässe B von s durch die Lötstelle m h dagegen in A von b durch die Lötstelle nach a gehen läst, so kann, vorangesetzt, dass die beiden

Drahtkombinationen ab im übrigen ganz gleich sind, eine Temperaturverschiedenheit in den beiden Gefüßen A und B nur dadurch eintreten, daß in dem einen derselben eine Abkühlung der Lötstelle, in dem andern eine Erwärmung derselben eintritt, denn die durch den Strom nach dem Jouleschen Gesetz entwickelte Wärmemenge ist in dem Falle in den beiden Drähten ab ganz gleich. Die durch die Temperaturdifferenz bewirkte Verschiebung des Index in der Röhre R giebt also sofort die Abkühlung an der einen, die Erwärmung an der andern Lötstelle an, und ist der Temperaturdifferenz der Lötstellen proportional zu setzen.

Ist die volle Gleichheit der Drähte nicht erreicht, so kann auch durch die Erwärmung nach dem Jouleschen Gesetze eine Temperaturdifferen eintreten. Diese ist indes, da sie von der Richtung des Stromes unabhängig ist, leicht zu eliminieren. Man hat nur bei einem zweiten Versuche den Strom in entgegengesetzter Richtung zu leiten. War vorher die Lötstelle in B erwärmt, in A abgekühlt, so findet jetzt das Umgekehrte statt. Die Verschiebung muß deshalb jetzt die entgegengesetzte und, wenn keine Urgleichheit der Drähte vorhanden ist, der vorher beobachteten gleich sein Sind die Drähte nicht gleich, so wird jetzt die Verschiebung des Inder eine andere, dann ist aber die halbe Summe der beiden beobachteten Verschiebungen jene, welche ohne Ungleichheit der Drähte stattgefundes haben würde; denn war die erste Verschiebung durch direkte Erwärmung der Drähte zu groß, so ist die zweite genau um denselben Betrag zu klein

Wegen der genauern Anordnung des Apparates und der vielen were Edlund angewandten Vorsichtsmaßregeln müssen wir auf die Abhandlung Edlunds verweisen. Die erhaltenen Zahlen werden wir sofort in einer Tabelle zusammenstellen.

Edlund hat von denselben Drahtkombinationen, bei denen er die Temperaturänderungen der Lötstellen untersuchte, auch die elektromotorischen Kräfte bestimmt, indem er die von denselben bei einer Temperaturdifferent von 10° gelieferten Stromstärken und ausserdem die in ihnen vorhandenen Leitungswiderstände bestimmte.

Folgende Tabelle stellt die von Edlund erhaltenen Werte zusammen, zwar unter α die Temperaturänderungen, wenn der Strom von Kupfer em in der ersten Kolumne angeführten Metalle durch die Lötstelle, Temperaturerhöhung ist mit dem positiven, Temperaturerniedrigung dem negativen Vorzeichen versehen. Die Temperaturänderungen gelfür die bei allen gleiche von Edlund willkürlich gewählte Einheit Stromstärke; die Angaben sind in einem ebenfalls willkürlichen Maße. er ε sind die thermoelektromotorischen Kräfte derselben Kombination, von Kupfer mit den in der ersten Kolumne angegebenen Metallen einer Temperaturdifferenz von 10° (eine Lötstelle 10°, die andere 20°) egeben; die letzte Kolumne enthält die Quotienten —

	α	e	e	
Eisen	- 130,99	146,18	1,12	
Kadmium	- 6,88	9,79	1,42	
Zink	- 0,34	0,76	2,24	
Kupfer	0,00	0,00	777	
Silber	+ 1,29	1,89	1,47	
Gold	+ 14,76	23,92	1,62	
Blei	+ 22,20	27,27	1,23	
Zinn	+ 24,71	38,84	1,57	
Aluminium	+ 30,77	42,15	1,37	
Platin	+ 45,03	58,41	1,30	
Palladium	+ 96,23	115,04	1,20	
Wismut	+ 783,10	835,10	1,07.	

Die letzte Kolumne zeigt, daß die Temperaturänderungen an den stellen einerseits und die Größe der elektromotorischen Kräfte andeeits einander annähernd proportional sind; die Abweichung von dieser
thernden Proportionalität beim Kupferzink ist ohne Bedeutung, da
t sowohl α als e so klein sind, daß sie nicht mehr mit Sicherheit bechtet werden können. Außerdem weichen ziemlich bedeutend Kupferen und Kupfer-Wismut von der Proportionalität ab, bei beiden ist α tiv zu groß¹).

Die an einer Lötstelle eintretende Temperaturänderung ist der dort wickelten oder verbrauchten Wärme direkt proportional zu setzen, so sich aus den Versuchen Edlunds ebenfalls der Schluss ergeben würde, die thermoelektrische Kraft bei Erwärmung der Lötstellen verschierer Metallkombinationen den bei gleichen Stromstärken für den Durcht des Stromes durch die Lötstellen verbrauchten Wärmemengen in selben Weise annähernd proportional ist.

Diese annähernde Proportionalität der bei dem Durchgange durch Lötstelle verbrauchten Wärmemenge und der thermoelektromotorin Kraft bei Erwärmung der betreffenden Lötstelle hat Le Roux²) direkt agewiesen, indem er die an den Lötstellen verbrauchten Wärmemengen dem Durchtritt des Stromes direkt maß.

Man sehe auch die zu gleichem Resultate führenden Versuche Sundells, gend. Ann. Bd. CXLIX.

²⁾ Le Roux, Annales de chim. et de phys. IV. Série. T. X.

Zu dem Zwecke wurden die Metalle in die Form von Hufeisen gebracht, mit genau gleich langen und gleich dicken Schenkeln; an das untere Ende jedes der Schenkel wurden möglichst identische Kupferstreifen gelötet, an welche die zur Batterie führenden Drähte befestigt wurden. Die beiden Schenkel des hufeisenförmigen Metalles tauchten jeder in ein kleines Kalorimeter von vergoldetem Kupfer, welches 120 Gramm Wasser enthielt. Die kleinen Kalorimeter waren gegen Abgabe von Wärme durch Leitung und Strahlung ganz in der Weise wie bei Untersuchung specifischer Wärmen geschützt. In dieselben tauchten feine Thermometer und ein Rührer bewirkte, dass die Temperatur des Wassers überall die gleiche war.

Der von der Batterie herkommende Strom trat in dem einen Kalonmeter aus dem Kupfer in das Metall des Hufeisens, in dem andern aus letzterm in Kupfer über; trat an der erstern Lötstelle ein Wärmeverbrauch ein, so an der andern eine Wärmeentwicklung, das eine Kalonmeter erhielt also die Differenz der nach dem Jouleschen Gesetze entwickelten Wärme w_1 und der an der Lötstelle verbrauchten q, das ander die Summe der nach dem Jouleschen Gesetze und der an der Lötstelle entwickelten; bezeichnen wir erstere, um eine mögliche Ungleichheit in den Schenkeln des Hufeisens und der angelöteten Kupferstreifen zu berücksichtigen mit w_2 , und ist die Temperaturerhöhung des ersten Kalonmeters t_1 , des zweiten t_2 , der Wasserwert des ersten Kalonimeters m_1 des zweiten m_2 , so ist

$$w_1 - q = m_1 t_1$$

$$w_2 + q = m_2 t_2$$

somit

$$w_2 - w_1 + 2 q = m_2 t_2 - m_1 t_1.$$

Zur Elimination von w_2 und w_1 wird dann der Strom genau so lang und von genau derselben Stärke in entgegengesetzter Richtung durch die Kalorimeter geführt, dann erhält das erstere $w_1 + q$, das zweite $w_2 - q$ sind in dem Falle die Temperaturerhöhungen der Kalorimeter t'_1 und t'_2 so ist

$$w_1 + q = m_1 t'_1$$

 $w_2 - q = m_2 t'_2$
 $w_1 - w_2 + 2 q = m_1 t'_1 - m_2 t'_2$

und schliefslich

$$q = \frac{1}{4} \{ m_1 (t'_1 - t_1) + m_2 (t_2 - t'_2) \}$$

die an einer Lötstelle bei dem Durchtritte des Stromes entwickelte oder verbrauchte Wärmemenge.

Folgende Tabelle enthält die aus den Versuchen abgeleiteten an der Lötstellen entwickelten oder verbrauchten Wärmemengen q. wenn der Strom eine Minute lang durch die Lötstelle von Kupfer zu den in der ersten Kolumne angeführten Metallen ging. Der angewandte Strom hatte eine solche Stärke, daße er einem Zinkverbrauch von 1,349 Gramm für die Minute in der Daniellschen Kette entsprach. Dabei werden nach den Zahlen von Thomsen im § 92 in der Kette 1038 Wärmeeinheiten entschelt, also zur Unterhaltung dieses Stromes in der Minute verbrauch

dritte Kolumne enthält unter $\frac{q}{e}$ das Verhältnis der bei dem Durchtritt es Stromes durch die Lötstelle erzeugten oder verbrauchten Wärmege zu jener Wärmemenge, welche zur Unterhaltung des Stromes verscht wird. Die vierte Kolumne giebt die von Le Roux ebenfalls gesenen thermoelektromotorischen Kräfte ε zwischen Kupfer und den in ersten Kolumne angeführten Metallen, wenn die eine Lötstelle die peratur 25° , die andere 0° hat, in einer willkürlichen Einheit, und letzte Kolumne giebt die Quotienten q.

Tabelle der Versuche von Le Roux.

	q	$\frac{q}{c}$	8	$\frac{q}{\epsilon}$
Antimon (a)	- 14,5	0,0140	60	0,242
Antimon	- 5,4	0,0052	18	0,300
Eisen	- 2,8	0,0026	12,5	0,224
Kadmium	- 0,51	0,00050	2,2	0,232
Zink	- 0,43	0,0004	0,7	0,614?
Neusilber	+ 2,75	0,0027	11,7	0,235
Wismut, rein	+ 21,3	0,0205	81	0,263
Wismut (b)	+ 28,8	0,0277	113	0,255

Das Antimon (a) war eine Legierung aus 1 Äquivalent Antimon, quivalent Kadmium und 0,2 des Gewichtes der Mischung Wismut; andere war käufliches Antimon, das Wismut (b) bestand aus 10 Teilen mut und einem Teil Antimon. Die Temperatur der Lötstellen, bei n diese Wärmewirkungen beobachtet wurden, war zwischen 25° und C.

Die letzte Kolumne giebt, mit Ausnahme des beim Zink beobachte-Wertes, welcher wegen seiner geringen Größe nicht sicher zu beoben ist, wieder deutlich die annähernde Proportionalität zwischen der iekelten Wärme und der thermoelektromotorischen Kraft zu erkennen. Le Roux hat gleichzeitig die Frage zu beantworten versucht, wie der Wärmeverbrauch bei dem Durchtritte des Stromes durch eine telle mit der Temperatur der Lötstelle ändert. Bei der großen vierigkeit dieser Versuche, welche die geringen durch die Ströme beten Temperaturänderungen in verschiedenen Temperaturen zu messen ingt, begnügte sich Le Roux damit, die Wärmemenge zu vergleichen, he die Kombination Kupfer-Wismut bei 100° und bei 25° liefert. Wärmemenge ergab sich beträchtlich und zwar im Verhältnis von zu 3,05, also 1,29 mal größer. Der Versuch beweist somit, daß der meyerbrauch bei dem Durchtritt eines Stromes durch die Lötstelle er Metalle von der Temperatur der Lötstelle wesentlich abhängig ist, zwar daß dieser Wärmeverbrauch oder die entsprechende Wärmeentlung mit steigender Temperatur beträchtlich zunimmt.

Da auch zwischen Metallen und Flüssigkeiten thermoelektrische Ströme gt werden können, müssen auch bei dem Übertritt des Stromes aus den in Flüssigkeiten oder umgekehrt Wärmewirkungen eintreten, he dem Peltierschen Phänomen entsprechen. Die Beobachtung derselben ist wegen der chemischen Wirkungen bei dem Übertritt des Strons aus Metallen in Flüssigkeiten und umgekehrt schwierig zu beobschie. Indes haben Bouty 1) und Hoorweg 2) die Wirkungen nachweisen konne. Bouty benutzte zwei verkupferte in konzentrierte Lösungen von Kuplevitriol oder salpetersaurem Kupfer getauchte Thermometer als Elektrois und fand, dass an der Elektrode, aus welcher der Strom in die Flick keit übertrat, Erwärmung, an der andern Abkühlung eintrat. Dem in bei den Versuchen Frankenheims zeigte ersteres Thermometer eine b wärmung, welche durch $BJ^2 + AJ$, das zweite eine solche, welche durch BJ^2-AJ gegeben war, wenn J die Stromstärke, A und B zwei Ka Auch bei Zinkelektroden in Zinksalzen und Kadmiu stante waren. elektroden in Kadmiumsalzen zeigte sich das gleiche. Bouty sowohl w Hoorweg kommen zu dem Resultate, dass die Peltiersche Wärmewirke der thermoelektromotorischen Kraft zwischen Metallen und Flüssigkeit proportional ist.

Da Wild auch zwischen Flüssigkeiten thermoelektromotorische W kungen beobachtet hat, muss sich auch dort das Peltiersche Phanom zeigen. Wild³) und Dubois-Reymond⁴) konnten dasselbe indes dort ni erkennen, Schulz-Sellack⁵) glaubte es dagegen bei dem Übertritt Stromes aus Chlorkalciumlösung in Salmiak beobachtet zu haben, wahn Hoorweg⁶) zu dem Resultate kam, dass die Temperaturänderung bei d Übertritt aus Kupfervitriol in Schwefelsäure die entgegengesetzte sei, bei Metallen. Es trat also Erwärmung der Berührungsflächen ein, der Strom in gleichem Sinne hindurchtrat, wie er durch Erwärmung Berührungsflächen erzeugt wurde. Die Beobachtungen sind indes bei vielen störenden Umständen durchaus unsicher.

Die im Vorigen mitgeteilten Erfahrungen über die Änderung Wärmezustandes der Lötstellen, wenn ein Strom durch dieselben durchtritt, müssen unsere Anschauung über die Natur der elektrom rischen Kraft, wie wir sie § 68 aufstellten, etwas modifizieren, wie zuerst Clausius?) hervorgehoben hat, wir müssen nämlich annehmen, bei der Bewegung der Elektricität an den Kontaktstellen heterog Leiter die Wärme eine wesentliche Rolle spielt.

Um das zu übersehen, betrachten wir die Bewegung der Elekt tät in den einzelnen Teilen des Stromkreises etwas genauer. Sei Fig. AB der Teil des Stromkreises, in welchem sich die Quelle des Stro ein beliebiges Element, befindet, und seien V1 und V2 die Potentialw der freien Elektricität an den beiden Seiten der Quelle, also etwa an Polen der Säule. In dem Stromkreise AMB fliesst dann die Elekt tät von A über M nach B, also in der Richtung der abnehmenden

¹⁾ Bouty, Comptes Rendus T. XC. p. 917 und p. 987. Journal de p. T. IX.

Hoorweg, Wiedem. Ann. Bd. IX. S. 568 ff.
 Wild, Poggend. Ann. Bd. CIII. S. 353.

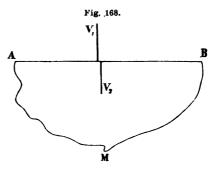
⁴⁾ E. Dubois-Reymond, Berliner Monatsberichte für 1856, 17. Juli.

⁵⁾ Schulz-Sellack, Poggend. Ann. Bd. CXLI.6) Hoorwey a. a. O. S. 574.

⁷⁾ Clausius, Poggend. Ann. Bd. XC. Abhandlungen zur mechanisc Wärmetheorie. Abhdlg. Xll.

lwerte, durch die Quelle dagegen fliesst der Strom von dem tieferen böheren Potentialniveau. Um die Elektricität von dem tieferen in biere Niveau zu heben, muss nach unseren früheren Sätzen eine

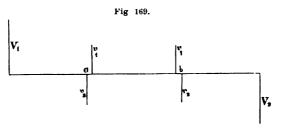
it geleistet werden, welche dem akt aus der Differenz der Poalniveaus in die Menge der been Elektricität gleich ist. Wenn
Arbeit nicht auf eine andere
e geleistet wird, so muß eine
intsprechende Wärmemenge verht werden. Bei der Elektrisierhine, wo wir einen Strom von
Konduktor zum Reibzeuge hern können, leisten wir die Arindem wir die Scheibe der Madrehen, bei der galvanischen



pination dagegen wird die Arbeit durch die in dem Element verhte Wärme geleistet, welche durch die in der Zelle stattfindenden ischen Prozesse geliefert wird. Die dort in Arbeit umgesetzte Wärme in dem Stromkreise als Wärme wiedergewonnen. Wir können in Sinne die Elektricität mit einem Gewichte vergleichen, welches von i tieferen Niveau auf ein höheres gehoben wird durch eine aufgete Arbeit, und welches dann dieselbe Arbeit wieder leistet, wenn es ganz gleichförmiger Geschwindigkeit wieder zu dem tieferen Niveau sinkt, dort wieder gehoben wird und so fort.

Denken wir uns jetzt in dem Stromkreise, der Fig. 169 V_1 V_2 in geraden Linie dargestellt sei, an einer Stelle, ab, einen Draht einaltet, so daß in a und b elektromotorische Kräfte vorhanden sind,

bei a in demselbei b in entgegenztem Sinne wirken die den Strom erenden. Eine Ändedes Gefälles und eine Änderung der nstärken kann, wie rissen, dadurch nicht eten. Da aber sowohl



wie bei b eine Differenz des Potentialniveaus vorhanden ist, derart, bei a ein Steigen, bei b ein Sinken derselben eintritt, so scheint if den ersten Blick, daß bei den von dem Strom durchflossenen Bengsstellen eine ebensolche Arbeit geleistet respektive bei b gewonnen en muß, wie in der Quelle des Stromes. In der That schließt Edi) in dieser Weise und glaubt deshalb, daß in a ein der elektromotoriikraft bei der Berührung der Metalle proportionaler Wärmeverbrauch, ein ebensolcher Wärmegewinn eintreten müsse. Das Irrige dieser aßweise ist aber schon früher von Clausius nachgewiesen worden,

¹⁾ Edlund, Poggend. Ann. Bd. CXXXVII.

indem er zeigte, das beim Durchgange des Stromes durch eine Berührungsstelle zweier Leiter nur in dem Masse Arbeit verbraucht oder gewonnen werden kann, als ein Aufwand von Arbeit erforderlich ist, um die elektrische Differenz in der Berührungstelle zu erzeugen.

Denken wir uns nämlich zunächst die Berührungsstellen von keinem Strome durchflossen, so halten sich die dort thätigen Kräfte gerade das Gleichgewicht. Das eine Metall zieht, nach der im §. 68 dargelegten Auffassung der elektromotorischen Kraft die positive, das andere die negative Elektricität stärker an, es findet daher an beiden Seiten der Berührungsfläche eine Anhäufung der Elektricität, auf dem einen Metall der positiven, auf dem anderen der negativen Elektricität statt. Diese Anhäufung geht soweit, bis die elektrische Anziehung der geschiedenen Elektricitäten der Differenz der molekularen Anziehungen gerade gleich geworden ist. Fliefst nun durch die Berührungsstelle ein Strom, so wird dadurch in der Übergangsschicht die gegenseitige Anziehung der Elektricitäten verkleinert oder vergrößert, indem entweder, wie bei a, eine kleine Verminderung oder, wie bei b, eine kleine Vermehrung der Differenz der Potentialniveaus eintritt. Die molekularen Anziehungen bleiben ungeändert dieselben; es muss deshalb ein in der Übergangsschicht befindliches elektrisches Teilchen jetzt entweder der einen oder der andern Kraft Folge leisten. Haben wir es aber in den Berührungsstellen nur mit melektlaren Anziehungen zu thun, so kann in der Übergangsschicht kein ande rer Gewinn oder Verlust an Arbeit stattfinden, wie in jedem anderen Querschnitt des Leiters. Denn das Verhältnis ist dort ganz dasselbe wie wenn auch während des Stromes die im Gleichgewichtszustande wirt samen entgegengesetzt gleichen Kräfte ganz unverändert geblieben, dam aber als dritte eine kleine elektrische Kraft hinzugekommen wäre, welcht in der Richtung des Stromes wirkt und gerade dazu hinreicht, um der in der Übergangsschicht vorhandenen Leitungswiderstand zu überwinden Diese Kraft ist ganz dieselbe, welche in jeder einen gleichen Widerstand bietenden Schicht des Leiters aufgewandt werden muß, somit kann auch die darin geleistete Arbeit oder die entwickelte Wärmemenge keine ander sein als in jedem anderen Querschnitte des Leiters.

Anders aber, wenn die Differenz der Potentialniveaus nicht lediglich durch molekulare Anziehungen bedingt ist, wenn die elektrische Differen an den Berührungsstellen zum Teil durch eine Arbeit der Wärme herver gebracht wird, welche entweder in demselben oder in entgegengesetzten Sinne wie die molekularen Anziehungen die Elektricitäten in den w schiedenen Metallen anhäuft. Hat sich dann an einer Berührungsstelle der Gleichgewichtszustand, also eine bestimmte Differenz der Potentalniveaus hergestellt, so kann keine Arbeit der Wärme mehr stattfinde. da dann die elektrischen Anziehungen den entgegengesetzten molekulare Anziehungen und dem Bestreben der Wärme, die Elektricitäten zu tremen das Gleichgewicht halten. Setzen wir voraus, die Wärme suche die Elektricitäten zu trennen, wie die molekularen Anziehungen, so wird, wen durch irgend einen Umstand die Differenz der Potentialniveaus verminder wird, sofort durch die Wärmebewegung an der Stelle eine Scheidung der Elektricitäten eintreten, die Wärme muß somit eine Arbeit leisten, und muss an der Stelle, wo diese Arbeit geleistet wird, ein Verbrauch von Wärme eintreten. Wird dagegen die Differenz der Potentialniveaus vergrößert, so muß eine Ausgleichung der Elektricitäten in der Übergangsschieht, und damit ein Gewinn von Arbeit und somit von Wärme eintreten, der genau so groß ist als der zur Trennung einer gleichen Elektricitätsmenge notwendige Verbrauch von Wärme. Beide Wirkungen müssen an den Enden eines in eine Leitung eingeschalteten Drahtes eintreten, an der einen Seite wird durch den Strom die Differenz der Potentialniveaus vermindert, an der anderen Seite erhöht, und deshalb muß an der einen Stelle eine Temperaturerhöhung, an der anderen Seite eine Temperatur-

erniedrigung eintreten.

Ich habe an einer anderen Stelle¹) zur Erläuterung dieser Vorgänge auf eine analoge Bewegungserscheinung hingewiesen, ich setze diese Erläuterung auch hierher, da sie mir in der That ein Bild des Vorganges zu liefern scheint. Denken wir uns, aus der Seitenwand eines mit Wasser gefüllten Gefäßes führe ein kapillares Rohr zunächst horizontal, dann vertikal aufwärts, dann wieder horizontal in ein zweites Wassergefäß. Von dem letzteren wollen wir annehmen, es habe einen so engen Durchmesser, dass in demselben das Niveau des Wassers, das durch das Kapillarrohr mit dem des ersten in Verbindung steht, im Gleichgewichtszustand um einen gewissen Betrag höher stehe als im ersten Gefäß, und der vertikale Teil des Kapillarrohres sei kürzer als diese Niveaudifferenz. Der Gleichgewichtszustand ist unter dieser Voraussetzung der, das ganze Kapillarrohr mit Wasser gefüllt ist, und dass im zweiten Gefäse das Wasser höher steht als im ersten, in dem Masse als es durch die geringere Oberflächenspannung im zweiten Gefässe bedingt ist. Jetzt werde auf das Wasser des ersten Gefäses ein Druck ausgeübt. Derselbe bewirkt eine Strömung des Wassers nach dem zweiten Gefäse hin und der Strom wird bei konstantem Drucke konstant, wenn wir dafür sorgen, daß aus dem zweiten Gefässe in jedem Momente das zufließende Wasser fortgenommen wird. Trotzdem in dem vertikalen Teile des die beiden Gefäße verbindenden Rohres das Wasser aufsteigt, wird in demselben nicht mehr Arbeit geleistet als in jedem horizontalen Stück gleicher Länge, weil die Wassersäule durch die Differenz der Oberflächenspannungen getragen Wird; es wird in dem vertikalen wie in dem horizontalen Teile des Rohres nur die zur Überwindung der Reibung erforderliche Arbeit geleistet. Die zu leistende Arbeit ist also im ganzen auch die gleiche, wie wenn das Verbindungsrohr ganz horizontal wäre.

Dieser Fall entspricht der Voraussetzung, daß es nur die molekularen Kräfte in der Berührungsfläche sind, welche die elektrischen Differenzen bewirken, es sind nur die molekularen Kräfte, welche die Niveaudifferenz in den Gefäßen, den sich berührenden Metallen erhalten.

Nun setzen wir voraus, der vertikale Teil des Verbindungsrohres der beiden Gefäße sei länger, als es der Differenz der Oberflächenspannung in den beiden Gefäßen entspricht. Damit ein Gleichgewichtszustand sich ausbilde, bei welchem das Verbindungsrohr und ein Teil des zweiten Gefäßes wie vorhin mit Flüssigkeit gefüllt ist, muß auf der Oberfläche des

Wüllners Compendium-der Physik Bd. II, S. 499. Leipzig, B. G. Teubner, 1879.

Wassers im ersten Gefässe ein gewisser Druck wirken; dieser hebt das Wasser durch das Verbindungsrohr und in das zweite Gefäs so weit, bis die Niveaudifferenz dem ausgeübten Drucke entspricht. Wird dieser Druck verstärkt, so tritt ein Strom ein, und derselbe wird bei konstanten Drucke wieder konstant, wenn dafür gesorgt wird, dass in dem zweiten Gefässe das Niveau konstant bleibt. Jetzt wird durch die von dem Drucke geleistete Arbeit in dem vertikalen Teile des Rohres nicht nur die Flüssigkeitsreibung überwunden, sondern auch die Flüssigkeit gehoben, es wird also dort mehr Arbeit geleistet als in einem Stücke des horizontalen Rohres gleicher Länge.

Dieser Fall entspricht unserer modifizierten Anschauung von der Natur der elektromotorischen Kraft, es ist ein gewisser Druck nötig, um die Niveaudifferenz auf einer gewissen Höhe zu halten, und diese Höhe hängt ab von der Größe des Druckes; die Arbeit des Druckes ist ex welche das Wasser zum Teil auf das höhere Niveau hinüberführt.

Es ergieht sich somit aus diesen Überlegungen, dass wenn ein elektrischer Strom nach der Richtung durch die Berührungsstelle zweier Leiter geht, nach welcher durch die Arbeit der Wärme die positive Elektricität getrieben wird, dass dann stets ein Wärmeverbrauch eintreten muß. Tritt er nach entgegengesetzter Richtung ein, so muß Wärme gewonnen werden. Es ist das gerade wie in unserem Bilde, eine Strömung des Wassers in dem Sinne, wie durch den Druck die Niveaudifferenz erhalten wird, verlangt die zur Hebung des Wassers erforderliche Arbeit, ein Strom in entgegengesetzten Sinne gewinnt die durch das Niedersinken des Wassers geleistete Arbeit.

An welcher Stelle die Temperatur erhöht, an welcher sie erniedrigt wird, ergiebt sich aus der Richtung der Thermoströme bei Erwärmung der Berührungsstellen, indem diese uns zeigen, in welcher Richtung die Arbeit der Wärme die Elektricitäten zu trennen sucht. Denn wenn die Wärme überhaupt eine derartige Arbeit leistet, so muß mit der Lebhaftigkeit der Wärmebewegung, also mit steigender Temperatur das Bestreben der Wärme, die Elektricitäten zu trennen, zunehmen, es muß also an der wärmeren von zwei Berührungsstellen eine größere Menge von Elektricität geschieden werden als an der kälteren, und somit der Themostrom entstehen. Da nun die Richtung des Thermostromes jene ist, nach welcher in einer Berührungsfläche die Elektricität durch die Wärme getrieben wird, so muß nach dem Vorigen ein Strom, welcher in der Richtung des durch eine Erwärmung erzeugten Thermostromes durch eine Berührungsstelle hindurchgeht, die Berührungsstelle abkühlen, ein entgegengesetzter muß sie erwärmen.

Aus dieser Entwicklung ergiebt sich, daß in der Berührungsschicht zweier verschiedener Leiter bei dem Durchgange des Stromes nur in dem Maße Arbeit geleistet oder gowonnen werden kann, als zur Herstellung einer bestimmten Differenz der Potentialniveaus die Leistung einer Arbeit notwendig ist. Demnach kann die im Peltierschen Phänomen entwickelte oder verbrauchte Wärme nicht der elektromotorischen Kraft bei dem Kontakte zweier Metalle, sie muß vielmehr der thermoelektromotorischen Kraft proportional sein, wie es die Versuche von Le Roux, Edlund, Sundell und Bouty gezeigt haben.

Die von dem Strome in der Berührungsstelle zu leistende respektive gewinnende Arbeit ergiebt sich aus dem im vorigen Paragraphen ganz zemein bewiesenen Satze, daß die im Leiter zwischen zwei Querschnitten rch den Strom zu leistende Arbeit gleich ist der Differenz der Poten-lniveaus multipliziert mit der durch den Leiter fließenden Elektricität. nnen wir deshalb die durch die Arbeit der Wärme bedingte Differenz r Potentialniveaus +r, wobei das negative Vorzeichen gilt, wenn das der Richtung des Stromes zweite Potentialniveau höher ist als das ste, und J die Stromstärke, sonach kJ die in der Zeiteinheit durch len Querschnitt fließende Elektricitätsmenge, so ist die in der Berühngsfläche vom Strome zu leistende Arbeit

$$L = + kJe$$

nit die verbrauchte Wärmemenge

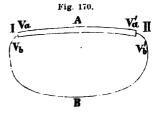
$$W = + AkJe,$$

nn A wie immer den Wärmewert der Arbeitseinheit bedeutet. Da wir r die von dem Strome zu leistende Arbeit angeben, bedeutet das posie Vorzeichen Wärmeverbrauch, das negative Wärmegewinn.

Es ergiebt sich somit in Übereinstimmung mit den Versuchen, dass in der Übergangsschicht verbrauchte oder gewonnene Wärme, somit ch die stattfindende Abkühlung oder Erwärmung der Lötstelle, der romstärke proportional sein muss.

Theorie der Thermoströme. Die im vorigen Paragraphen entckelte Theorie des Peltierschen Phänomens schließt gleichzeitig diejenige r Thermoströme in sich.

Seien A, B Fig. 170 zwei Metalle und ien auf A die Potentialniveaus an der Lötelle I V_a , bei II V_a , auf B an der Lötelle I V_b , an II V_b , und seien die Wider-Inde in A gleich l_a , in B gleich l_b , so ist ich dem Ohmschen Gesetze die Stromstärke ler die durch jeden Querschnitt des Leiters ider Zeiteinheit fließende Elektricitätsmenge i A



$$i = \frac{V_a - V_a'}{l_a};$$

 $\cup B$ ist sie

$$i = \frac{V_b' - V_b}{l_b}.$$

i die beiden Werte i, weil es sich um einen geschlossenen Strom hanlt, dieselben sind, so ist auch

$$i = \frac{V_a - V_{a'} + V_{b'} - V_b}{l_a + l_b} = \frac{(V_{b'} - V_{a'}) - (V_b - V_a)}{l_a + l_b}.$$

zeichnen wir die von der Arbeit der Wärme bedingten Differenzen der

Potentialniveaus mit e' und e, die nur durch die molekularen Anziehungen bedingten mit E, welche an beiden Berührungsstellen dieselbe ist, so ist

$$V_b' - V_{\alpha'} = E + e', \quad V_b - V_a = E + e,$$

somit

$$i = \frac{e' - e}{l_a + l_b} = \frac{e' - e}{L}.$$

Sind die Temperaturen an beiden Lötstellen dieselben, so ist c=c', es kann kein Strom vorhanden sein. In welcher Weise sich die Stromstärke mit der Temperatur ändern muß, das läßt sich durch Anwendung des zweiten Hauptsatzes der mechanischen Wärmetheorie ableiten!).

An der Lötstelle II muss bei der vorausgesetzten Richtung des Stromes, von II über B nach I Arbeit geleistet werden, welche die Elektricität um die Differenz der Potentialniveaus e hebt, es muss deskald dort aus einer Wärmequelle stetig Wärme zugeführt werden und zur die Wärmemenge

$$Q_{i} = A \cdot e' \cdot i$$
.

Da bei der Lötstelle I ein Sinken der Potentialniveaus eintrit, wird dort Arbeit gewonnen, also Wärme frei, welche, wenn der Strankonstant sein soll, abgeführt werden muß, so daß sich die Temperate der Lötstelle nicht ändert. Die abzuführende Wärmemenge ist

$$Q_1 = A \cdot e \cdot i$$
.

Die Differenz dieser beiden Wärmemengen ist in elektrische Arbeit verwandelt worden, respektive in dem Stromkreise selbst als Arbeit wieler gewonnen.

Wir sehen also auch hier den in der Wärmelehre überall bestätigten. Satz, dass bei der Umsetzung von Würme in Arbeit ein Übergang wei Wärme von einem wärmern zum kältern Körper stattfinden muß. Nach dem zweiten Hauptsatze beträgt die umgesetzte Wärmenenge einen wei der Temperaturdifferenz der beiden Körper und der absoluten Temperaturderselben abhängigen Bruchteil der übergeführten Wärme, so dass (BLILS. 413 ff.)

$$\frac{Q_{\scriptscriptstyle 2}-Q_{\scriptscriptstyle 1}}{Q_{\scriptscriptstyle 1}}=\frac{T_{\scriptscriptstyle 2}-T_{\scriptscriptstyle 1}}{T_{\scriptscriptstyle 1}},$$

wenn wir mit T_2 und T_1 die Temperaturen der Lötstellen, dieselben Frechnet von dem absoluten Nullpunkte der Temperatur bezeichnen. Sein wir für Q_1 und Q_2 ihre Werte ein, so folgt daraus

$$\frac{e'-e}{e}=\frac{T_2-T_1}{T_1}.$$

Nehmen wir an, die eine Lötstelle habe eine beliebige Tempense T und die andere die unendlich wenig höhere T+dT, so werden sie ebenfalls für c' setzen können c'=c+dc, und damit erhalten wir

$$\frac{de}{e} = \frac{dT}{T},$$

¹⁾ Clausius, Poggend. Ann. Bd. XC. Abhandlungen sur mechan. When theorie. Abhdlg. XII.

ler der Quotient aus dem unendlich kleinen Zuwachs de der elektrootorischen Kraft e, wenn die Temperatur um dT zunimmt und der Kraft ilbst ist gleich dem Quotienten aus dem Zuwachs der Temperatur und er Temperatur T, bei welcher die elektromotorische Kraft gleich e ist. Vie die Integralrechnung lehrt, ist die daraus sich ergebende Beziehung wischen e und T

$$\log e = \log T + \text{const.},$$

der wenn wir die Konstante gleich $\log p$ setzen

$$\log e = \log (p \cdot T)$$

$$e = p \cdot T$$

der der von der Temperatur abhängige Teil der elektromotorischen Kraft it der absoluten Temperatur der Berührungsstellen proportional.

Die vorhin entwickelte Theorie des Peltierschen Phänomens gab zwichen der bei dem Durchtritt eines Stromes von der Intensität J durch ie Lötstelle, der dort vorhandenen von der Arbeit der Wärme bedingten lektromotorischen Kraft c und der verbrauchten Wärme W die Beziehung

$$W = AKJe$$
.

Sind nun e_1 und e_2 die elektromotorischen Kräfte bei den Temperauren T_1 und T_2 , so giebt die Theorie der Thermoströme

$$e_1:e_2=T_1:T_2;$$

ür die bei gleicher Stromstärke verbrauchten Wärmemengen W_1 und W_2 , venn die Lötstellen die Temperaturen T_1 und T_2 haben, ergiebt sich aus ler Gleichung für W

$$W_1: W_2 = c_1: c_2,$$

omit muss auch

$$W_1:W_2=T_1:T_2,$$

der die bei dem Durchtritt gleich starker Ströme an den Lötstellen erbrauchten Wärmemengen müssen den absoluten Temperaturen proortional sein.

Der einzige Versuch, welcher zur Bestimmung der bei verschiedenen emperaturen verbrauchten Wärme vorliegt, der vorhin erwähnte von e Roux, stimmt mit dieser Folgerung sehr gut überein. Le Roux fand, afs die bei dem Durchtritt eines Stromes durch die Lötstelle Kupferzismut verbrauchte Wärme bei 25° und bei 100° sich verhält wie 1:1,29. Die Theorie giebt da

$$T_1 = 273 + 25 = 298;$$
 $T_2 = 273 + 100 = 373$ $W_1: W_2 = 298: 373 = 1:1,25.$

Erwägt man, welche Schwierigkeit es hat, die bei der Temperatur ler Lötstelle von 100° verbrauchte Wärmemenge genau zu bestimmen, o wird man in dem Versuche von Le Roux die vollste Bestätigung der Theorie erkennen.

Der Satz, dass die von der Arbeit der Wärme abhängige elektro
lotorische Kraft c der absoluten Temperatur der Lötstelle proportional

it, schließt den weitern in sich:

$$e'-e=p(T'-T)$$

oder die elektromotorische Kraft der Thermoströme ist der Temperaturdifferenz der Lötstellen proportional.

Nach den Versuchen von Thomson, Avenarius u. a., welche wir im §. 90 mitteilten, bestätigt sich dieser Schluss aber nicht, im Gegenteil, es ergiebt sich aus denselben, dass

$$e' - c = (t' - t) \{a + b(t' + t)\}$$

ist, somit dass die elektromotorische Kraft nicht nur von der Temperaturdifferenz, sondern auch von den Temperaturen der Lötstellen selbst abhängt, oder was dasselbe ist, dass der von der Wärme abhängige Teil der elektromotorischen Kraft sich rascher ändert als die Temperatur.

Schon W. Thomson¹) machte auf diese Abweichung zwischen Theore und Erfahrung aufmerksam und erklärte diese Abweichung dadurch, das er annahm, die thermoelektrischen Phänomene haben ihre Quelle nickt lediglich in der Berührungsfläche der verschiedenen Metalle, sondern auch in den Metallen selbst, oder wie es Clausius später³) präziser ausdrückte, der Grund der Abweichung liegt darin, dass auch im Innern eines und desselben Metalles, wenn seine verschiedenen Teile sich in verschiedenen Temperaturen befinden, die Wärme das Bestreben hat, die Elektricität nach einer verschiedenen Richtung zu treiben, und dass daher, wenn der Gleichgewichtszustand eingetreten ist, das Potentialniveau in dem Metalle nicht überall dasselbe ist, sondern dass auch zwischen den verschiedenen Teilen desselben Metalles elektrische Differenzen vorhanden sind.

Dass überhaupt solche Differenzen in einem und demselben Metalle vorkommen können, das zeigen alle die im §. 90 erwähnten Versuche, nach denen in Stromkreisen, welche aus nur einem Metalle bestehen, Thermoströme entstehen können, sobald an verschiedenen Stellen die Metalle eine verschiedene molekulare Beschaffenheit, krystallinisches Gefüge oder verschiedene Härte besitzen. Eine derartige Veränderung der molekularen Beschaffenheit kann aber auch vorübergehend durch Temperaturerhöhung hervorgebracht werden, so dass zwei Teile desselben Metalle, welche eine verschiedene Temperatur haben, elektromotorisch gegen ein ander wirken, eine Wirkung, welche aufhört, wenn die Metalle wieder an allen Stellen dieselbe Temperatur haben. Ninmt man eine solche Veränderung an, so kann dieselbe auf die Thermoströme in doppelter Weise von Einfluss sein, einmal indem in den homogenen Teilen des Schließungsbogens eine Stromquelle auftritt, und dann indem an den Lötstellen die Konstante p der Gleichung

$$c = p \cdot T$$

infolge der molekularen Änderungen sich ändern kann. Dass beide Emflüsse zusammen den Gang der Theormoströme in der Weise veränden können, dass derselbe den Gleichungen von Avenarius entspricht, ist leicht

¹⁾ Thomson, Philosophical Magazin. IV series. vol. III. Ausführlicher in Philosophical Magazin. IV series vol. XI. on the dynamical theory of heat Part. VI.

²⁾ Clausius, Poggend. Ann. Bd. XC. Abhandlungen zur mechan. Wirzetheorie. Abhdlg. XII.

einzusehen, wenn es auch nicht möglich ist, diese Einflüsse im einzelnen

zu verfolgen.

Ist indes diese Annahme richtig, so muß sich dieses Verhalten der Metalle nach zwei Richtungen zu erkennen geben, indem man in einem und demselben Metall das Peltiersche Phänomen, das heißt Verschiedenheit der Erwärmung, jenachdem man den Strom in demselben von wärmern zu kältern Stellen oder umgekehrt gehen läßt, muß beobachten können, und ferner darin, daß die an den Berührungsstellen zweier Drähte beobachteten Abkühlungen oder Erwärmungen den elektromotorischen Kräften der Thermoströme nicht genau proportional sein dürfen. Denn wenn ein Teil der elektromotorischen Kraft der Thermoströme in den homogenen Metallen ihren Grund hat, kann nicht die gesamte der Erzeugung des Stromes entsprechende Arbeit an den Lötstellen geleistet resp. gewonnen werden.

Was zunächst die letztere Folgerung betrifft, so findet dieselbe ihre Bestätigung in den Zahlen von Le Roux und Edlund, welche vorhin ausführlich mitgeteilt wurden, aus denen sich ergiebt, daß die Proportionalität zwischen der elektromotorischen Kraft der Thermoströme und den Änderungen des Wärmezustandes an den Lötstellen nur eine angenäherte ist. Lassen wir selbst die Beobachtungen bei Kupfer-Zink als wegen der zu beobachtenden äußerst kleinen Werte zu unsicher außer Acht, so schwanken die Werte $\frac{e}{\alpha}$ bei Edlund zwischen 1,1 und 1,6 und die entschenden Quotienten bei Le Roux zwischen 0,22 und 0,30, Unterschiede, die hinreichend beweisen, daß die elektromotorischen Kräfte

nicht allein in den Berührungsstellen der Metalle liegen.

Die erstere der beiden Folgerungen ist zunächst von Thomson selbst¹) und später durch ausgedehnte Messungen von Le Roux²) bestätigt worden. Thomson leitete den Strom durch Metallstreifen, welche in ihrer Mitte erwärmt, an ihren Enden abgekühlt wurden, und beobachtete die Temperatur zwischen den abgekühlten und erhitzten Stellen der Metalle. In vielen Fällen gelang es entschieden, eine Verschiedenheit der Temperatur zu konstatieren, indem bei einzelnen Metallen die Temperatur konstant höher war, dort wo der Strom von Warm zu Kalt ging, bei andern, wo er von Kalt zu Warm ging. Daß etwaige Ungleichheiten in der Erwärmung der Leiter durch andere Verschiedenheiten durch öfteres systematisches Wechseln der Stromesrichtung eliminiert wurden, bedarf keines besondern Hervorhebens. So fand sich die Temperatur höher, wenn der Strom von Kalt zu Warm ging in Eisen und Platin, dagegen wenn er von Warm zu Kalt ging in Kupfer und Messing.

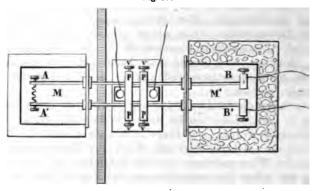
Le Roux führte bei seinen Versuchen den Strom durch dicke Metallstäbe, deren je zwei möglichst identische neben einander gelegt waren Fig. 171 AB und A'B'; die Enden A und A' der Stangen befanden sich in einem Gefässe M, in welchem sie durch die Dämpfe siedenden Wassers

¹⁾ W. Thomson, Philosophical Transactions of London Royal society for 1856, erste Abteilung der Abhandlung: On the electro-dynamic properties of metals.

²⁾ Le Roux, Annales de chim. et de phys. IV. Série. T. X.

konstant auf der Temperatur 100^{0} gehalten wurden, die Enden BB' waren in einen Raum eingeführt, welcher ringsum mit schmelzenden Eise umgeben und dadurch konstant auf der Temperatur 0^{0} gehalten wurde. Mit den Enden BB' konnten die zu den Polen der Battere führenden Drähte in Verbindung gebracht werden, und die Enden AA' waren durch eine Drahtspirale leitend verbunden, so daß ein etwa bei

Fig. 171.



B eintretender Strom das ganze System in dem Sinne BAA'B' durch lief. Die Stäbe hatten eine Länge von etwa 26 cm, von denen an jeden Ende 7 cm sich innerhalb der Räume von konstanter Temperatur befandes, so daß die Strecke, auf welcher die Temperatur der Stäbe von 100° auf 0° abnahm, etwa 12 cm betrug.

In der Mitte war zwischen die Stäbe eine Thermosäule von 30 Wismut-Antimonstäben gelegt, so daß die unpaaren Lötstellen den einen die paaren Lötstellen den andern Stab in einer Ausdehnung von 3 cm berührten. Um eine metallische Leitung zwischen den Stäben und den Lötstellen zu verhindern, waren die erstern mit einer sehr starken Fimisschicht bedeckt, und außerdem zwischen den Lötstellen und den Stäben eine vierfache Schicht sehr dünner Goldschlägerhaut eingeschoben. Stäben und Lötstellen waren dann durch die Bügel P und die Schrauben Vareinander gepreßt, in den Kreis der Thermosäule war ein feines greduiertes Galvanometer eingeschaltet.

Da die Thermosäule die durch den Strom in den Stäben bewirkten Temperaturverschiedenheiten messen sollte, so durfte sie ohne Durchgaff des Stromes keinen Strom erhalten, so mußten also die Temperature der Lötstellen respektive der Stäbe an den Stellen, wo die Lötstellen anlagen, nicht verschieden sein. Das wurde erreicht, indem die Stäbe möglichst identisch gemacht wurden, indem dann die Wärmeverteilung in denselben nach den Gesetzen der Wärmeleitung die gleiche ist. Eine etwaige noch vorhandene kleine Ungleichheit wurde dadurch ausgegliche, daß man die Ablenkungen der Galvanometernadel, wenn die Stäbe von einem Strome durchflossen wurden, von der Lage aus rechnete, welche sie einnahm, wenn in den Stäben kein Strom vorhanden war.

Außerdem wurde, um sonstige vorhandene auf die durch den Stresbedingte Änderung des Wilrmezustandes einwirkende Umstände zu eine

ren, der Strom sowohl in der Richtung BAB'A' als auch umgekehrt reh die Stäbe geführt und ausserdem wurden die Stäbe umgelegt, dass B Ende B sich bei A, B' an der Stelle von A' befand, und auch dann B Strom in beiden Richtungen durch die Stäbe geführt.

Will man die Änderungen des Wärmezustandes durch den Strom in rschiedenen Metallen mit einander vergleichen, so muß man dafür sorgen, is ohne Strom die Stellen der verschiedenen Stäbe, an denen die Thermoule anliegt, die gleiche Temperatur haben. Nun hängt die Temperaturteilung in den verschiedenen Stäben wesentlich von der innern Wärmetungsfähigkeit und den Dimensionen der Stäbe ab, wenn wie bei den rsuchen von Le Roux in für alle Stäbe gleichen Abständen auf denben die konstanten Temperaturen 100° und 0° erhalten werden. Wie r im 3. Bande S. 282 zeigten, ist die Temperaturverteilung in einem abe gegeben durch die Gleichung

$$t = Ae^{ax} + Be^{-ax},$$

orin

$$a = \sqrt{\frac{h\overline{p}}{kq}}$$

, wenn k die innere Wärmeleitungsfähigkeit, q den Querschnitt, p den mfang und k die äußere Wärmeleitungsfähigkeit des Stabes bedeuten.

Die Konstanten A und B hängen ab von den Temperaturen an den nden des Stabes für x = 0 und x = l. Nennen wir diese Temperaturen, und T_e , so ist

$$T_0 = A + B$$

$$T_r = Ae^{at} + Be^{-at},$$

mit

$$B = \frac{T_0 e^{al} - T_e}{e^{al} - e^{-al}} \qquad A = -\frac{T_0 e^{-al} - T_e}{e^{al} - e^{-al}}.$$

Daraus ergiebt sich

$$t = \frac{T_0 e^{at} - T_e}{e^{at} - e^{-at}} e^{-ax} - \frac{T_0 e^{-at} - T_e}{e^{at} - e^{-at}} e^{ax}.$$

Da nun bei den Versuchen von Le Roux die benutzten Stäbe alle gleiche Länge hatten, da ferner T_0 und T_c stets die gleichen waren, folgt, daß für gleiche Werte von x, dort wo die Thermosäule zwischen a Stäben war, die Temperatur stets dieselbe sein muß, wenn man dafür rgt, daß a bei allen angewandten Stäben denselben Wert hat. Le Roux b daher allen von ihm benutzten Stäben denselben Umfang p und zur erstellung gleicher äußerer Wärmeleitungsfähigkeit stets dieselbe äußere Derfläche. Die Querschnitte des Stabes wurden dann der innern Wärmeitungsfähigkeit umgekehrt proportional hergestellt, so daß auch

$$-kq = const.$$

ar.

Zunächst konstatierte nun Le Roux, daß der Unterschied der Erwärrung eines Stabes je nach der Richtung des Stromes der Intensität des tromes proportional ist. Unter Anwendung zweier Neusilberstäbe ergab sich eine stärkere Erwärmung, wenn der Strom von Kalt zu War wenn er von Warm zu Kalt ging; folgende Zahlen zeigen, daß di peraturunterschiede der beiden Stäbe der Stromstärke proportional

Stromstärke	Temperaturdifferenz	
$oldsymbol{J}$	Δ	<i>₫</i> j
0,783	183	234
0,567	129	228
0,456	99	217
0.279	67	240

Wie man sieht, sind die Zahlen der letzten Kolumne so nabe; dass man unter Berücksichtigung der Schwierigkeit der Messungs von der Richtung des Stromes bedingten Temperaturunterschiede auch die je nach der Richtung des Stromes bei dem Übergange von meren zu kälteren Stellen in den Stäben verbrauchte oder erzeugte der Stärke des Stromes proportional setzen darf.

Folgende Tabelle enthält die von Le Roux in verschiedenen Mauf Strecken gleicher Temperaturdifferenzen durch den Strom be Übergange von wärmeren zu kälteren Stellen erzeugte oder verbr Wärmemenge in einem willkürlichen Maße. Die erzeugte Wärme dem positiven, die verbrauchte mit dem negativen Vorzeichen ver

Wismut	(b)							+ 73
Wismut	rein							- 31
Neusilbe	r.							— 25
Platin .								— 18
Aluminit	ım							- 0,1
Zinn .								_ *
Blei .								unmerklich
Messing								+ 0,3
								÷ 6′
Kupfer								+ 2
Aluminit	unbr	onz	e					+ 6
								+ 11
Kadmiun								+ 31
Eisen .								— 31
Antimon								+ 64
Antimon								_ 24
	(- /		•	•	•	•	-	

Um eine Vergleichung dieser Wärmewirkung in homogenen M mit derjenigen an der Lötstelle zweier Metalle zu ermöglichen, hat L die Wärmemenge zu schätzen versucht, welche in einem Stabe von V (b) auf einer Strecke erzeugt wird, auf welcher die Temperatur von auf O abnimmt; er findet, dass durch einen Strom derselben Stärk den sich die von ihm bei dem Durchgange der Ströme durch Löt gefundenen Werte beziehen, in der Minute etwa eine Wärmeeinhei wickelt wird.

Die Versuche von Thomson und Le Roux genügen jedenfalls, um die ibweichung der thermoelektrischen Erscheinungen von der Theorie zu rklären, wenn es auch nicht möglich ist, diese Abweichungen im einzelnen bzuleiten. Um letzteres zu können, müßte man zunächst wissen, in velcher Weise die durch Temperaturverschiedenheiten in den homogenen setallen bewirkte molekulare Änderung mit der Temperatur selbst sich ndert, das heisst also wie bei geicher Temperaturdifferenz dT zweier beachbarter Schichten diese Verschiedenheit mit der Temperatur T selbst ch ändert. Eine Änderung muß eintreten, denn würde man einfach die ektromotorische Kraft zwischen zwei benachbarten Schichten mit der emperaturdifferenz dT gleich einer Konstante mal dT setzen, so könnte arch die in den einzelnen Metallen vorhandene elektromotorische Kraft ne Abweichung der Proportionalität der thermoelektromotorischen Kraft ad der Temperaturdifferenz der Lötstellen überhaupt nicht eintreten. Denn hmen wir eine Kombination zweier Metalle wie in Fig. 170 und sei im etall A die elektromotorische Kraft zwischen zwei benachbarten Schichten dT, im Metall B gleich $\pi_2 dT$, worin π_1 und π_2 positiv oder negativen können, so würde die in der Kombination thätige elektromotorische raft, wenn die eine Lütstelle die Temperatur T_1 , die andere T_2 hat, ∍geben sein durch

$$E = p (T_1 - T_2) + \int_{T_1}^{T_1} \pi_1 dT - \int_{T_2}^{T_1} \pi_2 dT.$$

Die beiden letzten Glieder geben die elektromotorischen Kräfte in \ni n einzelnen Metallen, sie sind die Summe der zwischen den einzelnen \ni hichten thätigen Kräfte, müssen also, wenn π_1 und π_2 gleiches Vorsichen haben, in der Gleichung das entgegengesetzte Vorzeichen haben, \imath in dem einen Draht der Strom von Warm zu Kalt, in dem andern On Kalt zu Warm geht. Sind π_1 und π_2 konstant, so wird

$$E = (p + \pi_1 - \pi_2)(T_1 - T_2).$$

Würde man dagegen voraussetzen, daß π_1 und π_2 selbst der absoluten Temperatur proportional wären¹), also $\pi_1 = \varkappa_1 T$, $\pi_2 = \varkappa_2 T$, so Türle

$$\int_{T_1}^{T_1} \mathbf{x}_1 \, T \, d \, T = \frac{1}{2} \, \mathbf{x}_1 \, \left(T_1^2 - T_2^2 \right); \quad \int_{T_2}^{T_1} \mathbf{x}_2 \, T \, d \, T = \frac{1}{2} \, \mathbf{x}_2 \, \left(T_1^2 - T_2^2 \right)$$

$$E = (T_1 - T_2)(p + \frac{1}{2}(\kappa_1 - \kappa_2)(T_1 + T_2))$$

ler wenn wir anstatt der absoluten Temperatur die nach der Skala von blsius einführen, also $T_1 = a + t_1$, $t_2 = a + t_2$ und

$$p + \frac{1}{2}(\kappa_1 - \kappa_2) 2a = b, \quad \frac{1}{2}(\kappa_1 - \kappa_2) = -c$$

tzen,

$$E = (t_1 - t_2) (b - c (t_1 + t_2)).$$

ir erhielten somit die Gleichung von Avenarius.

¹⁾ Avenarius, Poggend. Ann. Bd. CXLIX. Wolland, Physik. IV. 4. Auf.

Man erkennt hieraus, dass, wenn man lediglich im Innern der einzelnen Metalle Veränderungen durch die Temperaturänderungen annimmt, diese außer der Temperaturdifferenz der benachbarten Schichten der absoluten Temperatur an den verschiedenen Stellen der Metalle proportional gesetzt werden müssen¹).

Es ist indes sehr möglich, dass die molekularen Änderungen in den einzelnen Metallen auch von Einfluss sind auf die elektromotorischen Krifte in den Lötstellen selbst; die Beobachtung liefert uns die Summe der in dem ganzen Stromkreise vorhandenen elektromotorischen Kräfte. Die einzelnen Kräfte können wir nicht von einander trennen, es ist lediglich eine Hypothese, wenn man annimmt, dass die elektromotorischen Kräste au den Lötstellen, wie es aus der Theorie folgen würde, wenn in den einzelnen Metallen keine molekularen Änderungen einträten, der absoluten Temperatur proportional seien und dass nun zur Bestimmung der gamen elektromotorischen Kraft im Stromkreise zu der so an den Lötstellen vorhandenen einfach die in den einzelnen Metallen auftretenden zu addiere wären, wie es in obiger Gleichung geschehen ist. Es ist durchaus miglich, dass durch die molekularen Änderungen in den einzelnen Metallen eine Änderung der Konstanten p in der Gleichung eintritt, da ja durch die Erwärmung geänderte Metalle es sind, welche in der Lötstelle 2. sammentreffen. Eine sorgfältige getrennte Untersuchung der an den Litstellen und der in den einzelnen Metallen bei verschiedenen Temperatura verbrauchten Wärmemengen, wie es Le Roux begonnen hat, würde darüber Aufschluss geben können²), eine Untersuchung, die allerdings mit den größten Schwierigkeiten verknüpft ist.

Die vorgeführte Theorie der Thermoströme gründet sich auf die Anschauung, daß die Quelle der Thermoströme in den Lötstellen sei, is denen eine gewisse Potentialdifferenz durch die Arbeit der Wärme erhalten werde, die eben deshalb von der Temperatur abhängt, weil die Different von der Wärmebewegung bedingt wird. Das Peltiersche Phänomen, welches direkt die zur Übertührung der Elektricität erforderliche Arbeit zeigt, bildete den Ausgangspunkt dieser Theorie.

F. Kohlrausch hat kürzlich dieser Theorie eine andere gegenübergestellt³), nach welcher die elektromotorischen Kräfte im Innern der en zelnen Leiter ihren Sitz haben, den Kontaktstellen der verschieden Leiter nur ein sekundärer Einflus zukommt. Kohlrausch geht darm aus, dass in jeder Thermosäule ein Überströmen von Wärme von der wärmern zur kältern Lötstelle stattfindet, und macht die Annahme, das mit einem Wärmestrome in bestimmtem von der Natur des Leiters ab hängigem Masse ein elektrischer Strom verbunden sei.

Ebenso nimmt Kohlrausch zur Erklärung des Peltierschen Phänomes an, dass durch einen elektrischen Strom die Wärme bewegt werde; indes er davon ausgeht, dass die Leitungsfähigkeiten der Metalle für Wärme und Elektricität einander proportional seien, nimmt Kohlrausch ferner a.

¹⁾ Man sehe Tait, Poggend. Ann. Bd. CLII. Budde, Poggend. Am. Bd. CLIII.

²⁾ Man sehe auch Budde, Poggend. Ann. Bd. CLIII.

³⁾ F. Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. CLVI.

s die wärmebewegende Kraft des elektrischen Stromes von der Eint der Stärke proportional sei der elektromotorischen Kraft des Wärmebmes, der die Einheit der Stärke hat.

Dass diese Auffassung wesentlich zu denselben Gesetzen der Thermo-5me und des Peltierschen Phänomens führt, wie die von uns entwickelte, gt Kohlrausch folgendermaßen. Die Wärmemenge W möge durch den erschnitt f eines Leiters in der Zeiteinheit hindurchgehen. Ist α die n Leiter entsprechende Konstante, so ist $i = \alpha W$ die Stärke des elekschen Stromes. Mit Hilfe des Ohmschen Gesetzes erhalten wir dann in dem Leiterelemente ds vorhandene elektromotorische Kraft dE. nn ist k die elektrische Leitungsfähigkeit des Leiters, so ist

$$i = \frac{dE}{ds}kf$$
, $dE = \frac{\alpha W}{kf}ds$.

Ist z die Wärmeleitungsfähigkeit des Leiters, u die Temperatur an r betreffenden Stelle, so können wir den Wärmestrom W schreiben

$$W = - \pi f \frac{du}{ds},$$

 $\frac{d u}{ds}$ das Temperaturgefälle an der betreffenden Stelle bedeutet. Setzen r das für W ein, so wird

 $dE = -\alpha \frac{n}{k} \frac{du}{ds} ds$

ler

$$\frac{dE}{ds} = -\vartheta \frac{du}{ds},$$

enn $\alpha = \vartheta$ gesetzt wird. Diese Konstante ϑ nennt Kohlrausch die ermoelektrische Konstante der betreffenden Substanz.

In einem homogenen Leiter kann trotz dieser elektromotorischen afte ein dauernder elektrischer Strom nicht entstehen, es muß vielhr in demselben sich eine solche Verteilung der Elektricität entwickeln, s durch die in der Richtung des Thermostromes wachsenden Werte elektrischen Potentialfunktion die elektromotorische Kraft des Wärmebmes kompensiert wird. Ist V die Potentialfunktion an der Stelle, wo Temperatur u, V' dort, wo sie u' ist, so ist die Bedingung des eichgewichtes

$$V'-V=\vartheta (u-u').$$

Es würde sich hieraus ergeben, dass in jedem Leiter, in welchem imperaturverschiedenheiten vorhanden sind, eine Elektrisierung eintreten ste, welche so lange dauert, als die Temperaturverschiedenheiten anten. Eine Beobachtung solcher würde eine wesentliche Stütze der hirauschschen Hypothese sein, dieselbe ist bisher nicht gemacht, und hirausch glaubt, dieselbe würde mit großen Schwierigkeiten verknüpft n, weniger wegen der erforderlichen Empfindlichkeit der Elektroskope, weil man bei der Erteilung der Temperaturdifferenzen schwerlich brende Nebenumstände vermeiden könnte. Mir sind dahin gehende Verche nicht bekannt, eine Untersuchung dieser Frage würde großes Inter-

esse bieten. Köhlrausch glaubt in den pyroelektrischen Erscheine einen Beleg für seine Ansichten zu finden.

In einem Thermoelement, welches aus zwei Leitern a und l den Lötstellen I und II mit den Temperaturen u_1 und u_2 besteht, die elektromotorische Kraft in der Richtung $u_1 a u_2 b u_1$

$$E = - \vartheta \int_{I}^{II} \frac{du}{ds} ds - \vartheta' \int_{II}^{I} \frac{du}{ds} ds = - \vartheta \int_{u_{1}}^{u_{2}} du - \vartheta' \int_{u_{3}}^{u_{4}} du,$$

da u als Funktion von s auszudrücken ist. Demnach ist

$$E = (\vartheta - \vartheta')(u_1 - u_2).$$

Die elektromotorische Kraft hängt also nur von der Temper differenz der Lötstellen, nicht von dem Gefälle der Temperatur ab ist der Temperaturdifferenz proportional.

Die Hypothese gelangt somit zu demselben Resultat wie die v Theorie. Um die Abweichung der thermoelektromotorischen Kraft der Proportionalität mit der Temperaturdifferenz in die Hypothese zunehmen, bedarf es nur der Annahme, dass die Konstanten 3 m für die verschiedenen Leiter eine Funktion der Temperatur seien. man die thermoelektrischen Koefficienten, anstatt konstant, gleich 3so erhalten wir die Formel von Avenarius

$$E = (u_1 - u_2) \left\{ (\vartheta - \vartheta') + \frac{1}{2} \frac{\eta - \eta'}{\vartheta - \vartheta'} (u_1 + u_2) \right\}$$

wie sich unmittelbar ergiebt.

Zur Ableitung des Peltierschen Phänomens dient die zweite Auf von Kohlrausch, dass der elektrische Strom eine seiner Stärke unthermoelektrischen Konstanten proportionale Menge von Wärme mit führe. Die Wärmemenge Q, welche der Strom von der Stärke i in Leiter von überall gleicher Temperatur, dessen thermoelektrische stante 3 ist, mit fortführt, ist darnach

$$Q = C\vartheta i$$

worin C eine von den gewählten Einheiten der Wärme und der tricität abhängige Konstante ist. In einem homogenen Leiter läßt dieser Wärmestrom nicht beobachten, da jeder Stelle durch dens ebensoviel Wärme zugeführt wie ihr genommen wird.

An der Grenze zweier Leiter muß dagegen eine Aufhäufung Abnahme der Wärme stattfinden. Es gehe ein Strom von der Städurch eine Lötstelle I vom Metalle a zu b und durch die Lötstell wieder von b zu a. In dem Metalle a wird zur Lötstelle hingeführt Wärmemenge Q_1

$$Q_1 = C \vartheta i,$$

von derselben Lötstelle fort

$$Q_2 = C\vartheta'i$$
.

An der Lötstelle I wird daher die Wärmemenge

$$Q_1 - Q_2 = C(\vartheta - \vartheta') i$$

usgeschieden, an der Lötstelle II dagegen

$$Q_2 - Q_1 = C(\vartheta' - \vartheta) i$$

fortgeführt, wie es die Beobachtungen ergeben.

Es genüge an diesen Ableitungen, welche Kohlrausch noch weiter führt, um zu erkennen, dass diese Hypothese mit den experimentell bewiesenen Beziehungen nicht im Widerspruch steht. Wie schon erwähnt, würde es von größter Bedeutung sein, die elektrische Verteilung in homogenen Drähten durch Temperaturdifferenzen nachzuweisen, da diese den Beweis liefern würden, dass dem Wärmestrom die von Kohlrausch angenommene Eigenschaft der Fortführung der Elektricität wirklich beiwohnt. Bis dahin kann man dieser Auffassung kaum einen Vorzug vor der früheren Auffassung zuschreiben, da die Arbeit der Wärme in den Kontaktstellen im Grunde nichts anders ist, wie die Arbeit der durch die chemischen Prozesse in den Elementen erzeugten Wärme, welche nach §. 92 und wie wir später noch ausführlicher zeigen werden, uns den elektrischen Strom liefert.

§. 96.

Galvanisches Glühen von Drähten. Wenn man den durch einen Draht hindurchgehenden Strom immer mehr verstärkt, so wird die Wärmeentwicklung immer größer und somit die Temperatur immer höher; es ist leicht die Temperatur so zu steigern, daß der Draht glühend wird. Wie wir im zweiten und dritten Bande sahen, ist die Temperatur, bei welcher die Körper, wenn sie überhaupt leuchten können, Licht auszu-

senden, also zu glühen beginnen, für alle Körper dieselbe.

Die Temperatur irgend eines Drahtstückes des Schließungsbogens, dessen Widerstand gleich r sei, hängt ab von der in gleichen Zeiten in ihm erzeugten und der von ihm an die Umgebung abgegebenen Wärmemenge, sie wird konstant sein, also auch im Speciellen wird der Körper konstant glühen, wenn die in gleichen Zeiten erzeugte und die an die Umgebung abgegebene Wärmemenge einander gleich sind. Die von dem Drahte abgegebene Wärmemenge hängt ab von der Oberfläche des Körpers, ferner von dem Emissionsvermögen desselben und drittens von dem Temperaturüberschusse desselben über die Temperatur der Umgebung. Die Abhängigkeit von letzterer giebt uns das Stefansche Emissionsgesetz, nach welchem die Strahlung der vierten Potenz der absoluten Temperatur proportional ist. Nennen wir also T die absolute Temperatur des Drahtes, T_0 jene der Umgebung, ist d der Durchmesser, l die Länge des Drahtes, l das Emissionsvermögen, so können wir die in der Zeiteinheit abgegebene Wärmemenge w gleich setzen

$$w = \pi \, dl \, \varepsilon \, (T^4 - T_0^4).$$

Die in derselben Zeit in dem Drahte erzeugte Wärmemenge ist, wenn K eine Konstante und J die Stromstärke bedeutet,

$$w = K r J^2$$
.

Die Temperatur wird demnach konstant sein, wenn

$$Kr J^2 = \pi dl \ \epsilon (T^4 - T_0^4),$$

so dass der Temperaturüberschuss über die Umgebung gegeben wird durch

$$T^4 - T_0^4 = \frac{Kr}{\pi} \frac{J^3}{dl} \frac{1}{\epsilon}.$$

Ist nun s der specifische Leitungswiderstand des Drahtes, so ist

$$r = 4 \frac{sl}{\pi d^2}$$

und

$$T^4 - T_0^4 = \frac{4K}{\pi^2} \frac{sJ^2}{d^3\epsilon} = M \frac{1}{\epsilon} \frac{s}{d^3} J^2.$$

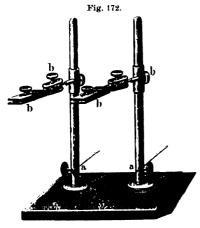
Bei gleicher Stromstärke hängt also die Temperatur des Drahtes won dem Emissionsvermögen desselben, dem specifischen Leitungswiderstande und der dritten Potenz des Durchmessers; sie ist unabhängig won der Länge des Drahtes.

Soll also die Temperatur zweier Drähte desselben Metalles von den Durchmesser d_1 und d_2 dieselbe sein, so müssen die Quadrate der Strostärken J_1 und J_2 sich verhalten wie die dritten Potenzen der Durchmesser, es muß sein

$$\frac{J_1^2}{d_1^3} = \frac{J_2^2}{d_2^3}.$$

Da bei demselben Grade des Glühens die Temperaturen immer die selben sein müssen, so folgt, dass Drähte gleichen Metalles und gleichen Durchmessers in derselben Umgebung immer bei derselben Stromstärte glühen müssen, welches auch ihre Länge sei, dass aber, damit Drähte verschiedenen Durchmessers dieselben Glüherscheinungen zeigen, die Qudrate der Stromstärken sich verhalten müssen wie die dritten Potenzen der Durchmesser.

Die Gesetze des Glühens von Drähten sind experimentell verfolgt von Müller in Freiburg¹) und später von Zöllner²).



Müller spannte die zu untersuchenden Drähte zwischen den Polhaltem (Fig. 172) aus. Der Polhalter besteht aus zwei Säulen von Messing, welche auf einem Fußbrette vertikal aufgestellt sind; jede dieser Säulen trägt eine Klemmschraube a, a und eine Klemme b, b; in die Klemmschrauben a, a werden die den Strom führenden Drähte eingeschraubt, zwischen den Klemmen b, b die zu untersuchenden Drähte ausgespannt.

In den Strom wurde außerdem noch zur Messung seiner Stärke eine Tangentenbussole eingeschaltet.

Die Grade des Glühens wurden mit freiem Auge als schwaches Glühen, Rot-

1) Müller, Neueste Fortschritte der Physik. S. 384. Braunschweig 1849.

2) Zöllner, Poggend. Ann. Bd. ClX. S. 256.

ühen, Weifsglühen geschätzt, und die Stromstärken beobachtet, welche big waren, um die Drähte bis zu gleichen Graden des Glühens zu bringen.

Zunächst zeigte sich bei der Untersuchung von Drähten verschieder Länge aber gleicher Durchmesser, dass bei gleicher Stromstärke das lühen von der Länge des Drahtes unabhängig ist, oder das Drähte der erschiedensten Länge derselben Stromstärke bedürfen, um den gleichen rad des Glühens zu zeigen. So fand sich, dass bei einer Ablenkung der adel der Tangentenbussole von 48° drei Platindrähte von 0,45 mm Durchesser rotglühend wurden, deren Längen resp. waren 1 m, 0,3 m, 0,2 m, wei Drähte desselben Durchmessers, deren Längen waren 0,8 m, 0,1 m urden hellrotglühend, als die Ablenkung der Nadel der Tangentenbussole 0° betrug.

Ganz dasselbe zeigte sich bei der Anwendung von verschieden langen isendrähten.

Bei Untersuchung von Drähten verschiedener Dicke ergaben sich des Resultate, welche von den Folgerungen aus dem Jouleschen Gesetze rchaus abwichen, denn es ergab sich, dass die Stromstärken, welche ähte verschiedenen Durchmessers zu gleichem Glühen bringen, sich nicht rhalten wie die Quadratwurzeln aus den dritten Potenzen der Durchesser, sondern einfach wie die Durchmesser selbst. Das ergiebt sich ter anderen aus folgenden Angaben über das Glühen von Platindrähten.

urchinesser D	Stromstärke J für sehwa- ches Glühen	$\frac{J}{D}$	J' Rot- glühen	$\frac{J'}{D}$	J" Hellrot- glühen	$\frac{J^{\prime\prime}}{D}$
0 mm	47,18	163,9	50,82	169,4	54,67	182,2
9	65,24	163,7	72,45	185,5	77,77	199,5
5	75,06	166,7	77,77	172,2	84,42	187,6
5	-		121,24	161,7	157,22	209,3

Wie man sieht, sind die Quotienten aus der Stromstärke und der ahtdicke für jeden Grad des Glühens allerdings nicht genau dieselben, er sie stehen einander so nahe und schwanken dazu so unregelmäßig, is man die Abweichungen wohl der unmöglich große Genauigkeit bieden Beobachtungsweise zuschreiben darf.

Zöllner verglich mit dem von ihm konstruierten Photometer die Lichtrken, welche die glühenden Drähte aussenden, oder vielmehr er verch die Stromstärken, welche notwendig sind, damit die von Drähten schiedenen Durchmessers ausgesandten Lichtmengen gleiche Stärke haben. Zöllnersche Photometer haben wir im zweiten Bande kennen gelernt, übrigen war die Anordnung der Versuche den Müllerschen ähnlich, r daß Zöllner, um die Stromstärke genau konstant halten zu können, den Stromkreis auch ein Rheochord einschaltete.

Zöllner fand, daß, damit zwei Drähte verschiedenen Durchmessers ner die gleiche Lichtmenge ausstrahlen, welches im übrigen auch die gestrahlte Lichtmenge ist, die Stromstärken sich verhalten müssen wie Dicken der Drähte. Folgende kleine Tabelle giebt die schliesslichen altate von vier Versuchsreihen; die ersten beiden Kolumnen enthalten die Durchmesser der verschiedenen mit einander verglichenen Drähte, die dritte das Verhältnis der Durchmesser, und die vierte die Verhältnisse der Stromstärken, damit die zwei verglichenen Drähte gleiche Lichtmenge ausstrahlen. Die Lichtmengen schwankten dabei zwischen 30 und 833 resp. 7 und 433.

D_1	D_2	$\underline{D_i}$	$\frac{J_1}{J^2}$
mm	mm	$\overline{D_2}$	J:
0,1785	0,0782	2,282	2,612
0,1785	0,1035	1,725	1,945
0,1661	0,1035	1,605	1,653
0,1661	0,1466	1,139	1,179

Wie man sieht, ist das Verhältnis der Stromstärken immer etwas größer als das der Durchmesser.

Zöllner sieht in seinen Versuchsergebnissen eine Bestätigung des Müllerschen Resultates, halten wir uns aber an das direkte Resultat der Beobachtung, so ist das nicht der Fall. Denn damit zwei Drähte, deren Oberfläche eine verschiedene Größe hat, gleiche Lichtmengen aussenden, muß die Intensität des von der Flächeneinheit ausgesandten Lichtes sich verhalten umgekehrt wie die Oberflächen der Drähte. Denn bezeichnes wir mit λ die Intensität des von der Flächeneinheit der auf das Gesichtfeld projizierten Oberfläche ausgesandten Lichtes, und mit F diese Fläche selbst, welche also bei cylindrischen Drähten mit dem durch die Axe des Cylinders gelegten Durchschnitte zusammenfällt, so ist λ . F die gesamte ausgesandte Lichtmenge. Bedeuten daher λ_1 und λ_2 resp. F_1 und F_2 dasselbe für zwei Drähte, so ist die gesamte Lichtmenge dieselbe, wen

$$\lambda_1 \cdot F_1 = \lambda_2 \cdot F_2; \quad \lambda_1 : \lambda_2 = F_2 : F_1.$$

Bei zwei Drähten von den Durchmessern D_1 und D_2 verhalten sich aber

$$F_1:F_2=D_1:D_2.$$

Daher müssen sich bei gleicher ausgestrahlter Lichtmenge die Intessitäten des von den Flächeneinheiten ausgestrahlten Lichtes verhalten ungekehrt wie die Durchmesser, oder

$$\lambda_1:\lambda_2=D_2:D_1.$$

Die Zöllnerschen Resultate sagen also aus, dass wenn die Stromstärken sich verhalten wie die Durchmesser der Drähte, dass dann die Intensitäten des von der Flächeneinheit der Drähte ausgesandten Lichtes sich verhalten umgekehrt wie die Durchmesser der Drähte.

Der Satz von Müller dagegen sagt aus, dass wenn die Stromstärken sich verhalten wie die Durchmesser der Drähte, dass dann die von der Flächeneinheit beider ausgesandten Lichtintensitäten gleich sind. Dem man legt zweien Drähten gleiche Grade des Glühens bei, wenn die Helligkeit des von jedem gleichen Stücke der Oberfläche beider ausgesandten Lichtes gleich ist.

Das von Zöllner erhaltene Resultat entspricht den von uns aus dem Jouleschen Gesetz gezogenen Folgerungen, wenn wir annehmen, das das Stefansche Strahlungsgesetz auf die Gesamtmenge des ausgesandten Li glühen, Weifsglühen geschätzt, und die Stromstärken beobachtet, welche nötig waren, um die Drähte bis zu gleichen Graden des Glühens zu bringen.

Zunächst zeigte sich bei der Untersuchung von Drähten verschiedener Länge aber gleicher Durchmesser, das bei gleicher Stromstärke das Glühen von der Länge des Drahtes unabhängig ist, oder das Drähte der verschiedensten Länge derselben Stromstärke bedürfen, um den gleichen Grad des Glühens zu zeigen. So fand sich, das bei einer Ablenkung der Nadel der Tangentenbussole von 48° drei Platindrähte von 0,45 mm Durchmesser rotglühend wurden, deren Längen resp. waren 1 m, 0,3 m, 0,2 m., Zwei Drähte desselben Durchmessers, deren Längen waren 0,8 m, 0,1 m wurden hellrotglühend, als die Ablenkung der Nadel der Tangentenbussole 50° betrug.

Ganz dasselbe zeigte sich bei der Anwendung von verschieden langen Eisendrähten.

Bei Untersuchung von Drähten verschiedener Dicke ergaben sich indes Resultate, welche von den Folgerungen aus dem Jouleschen Gesetze durchaus abwichen, denn es ergab sich, daß die Stromstärken, welche Drähte verschiedenen Durchmessers zu gleichem Glühen bringen, sich nicht verhalten wie die Quadratwurzeln aus den dritten Potenzen der Durchmesser, sondern einfach wie die Durchmesser selbst. Das ergiebt sich unter anderen aus folgenden Angaben über das Glühen von Platindrähten.

Durch- messer D	Stromstärke J für schwa- ches Glühen	$\frac{J}{D}$	J' Rot- glühen	$\frac{J'}{D}$	J" Hellrot- glühen	$\frac{J^{"}}{D}$
0,30 mm	47,18	163,9	50,82	169,4	54,67	182,2
0,39	65,24	163,7	72,45	185,5	77,77	199,5
0,45	75,06	166,7	77,77	172,2	84,42	187,6
0,75	-	-	121,24	161,7	157,22	209,3

Wie man sieht, sind die Quotienten aus der Stromstärke und der Drahtdicke für jeden Grad des Glühens allerdings nicht genau dieselben, aber sie stehen einander so nahe und schwanken dazu so unregelmäßig, das man die Abweichungen wohl der unmöglich große Genauigkeit bietenden Beobachtungsweise zuschreiben darf.

Zöllner verglich mit dem von ihm konstruierten Photometer die Lichtstärken, welche die glühenden Drähte aussenden, oder vielmehr er verglich die Stromstärken, welche notwendig sind, damit die von Drähten verschiedenen Durchmessers ausgesandten Lichtmengen gleiche Stärke haben. Das Zöllnersche Photometer haben wir im zweiten Bande kennen gelernt, im übrigen war die Anordnung der Versuche den Müllerschen ähnlich, nur daß Zöllner, um die Stromstärke genau konstant halten zu können, in den Stromkreis auch ein Rheochord einschaltete.

Zöllner fand, daß, damit zwei Drähte verschiedenen Durchmessers immer die gleiche Lichtmenge ausstrahlen, welches im übrigen auch die ausgestrahlte Lichtmenge ist, die Stromstärken sich verhalten müssen wie die Dicken der Drähte. Folgende kleine Tabelle giebt die schließlichen Resultate von vier Versuchsreihen; die ersten beiden Kolumnen enthalten

Gesetzen der Erkaltung leicht verständlich. Die Erkaltungsgeschwindigke ist nach denselben in Wasserstoff viel größer als in Luft, und da di Temperatur des Drahtes dann konstant wird, wenn er in gleichen Zeite ebensoviel Wärme an die Umgebung abgiebt als er empfängt, so kan die Temperatur des Drahtes im Wasserstoff nie so hoch werden als i der Luft; deshalb gelangen beide Drähte nicht gleichzeitig zum Glüben und deshalb kann der im Wasserstoff liegende Draht das Kalorinete nicht so weit erwärmen, als der von Luft umgebene¹).

Das Glühen von Drähten hat in der letzten Zeit eine ausgedehnt praktische Anwendung gefunden in den elektrischen Glühlampen. Ab Drähte werden in denselben Kohlenfäden benutzt, deren Querschnitte seht klein sind und welche von den verschiedenen Verfertigern solcher Lampen, Edison, Swan, Maxim, Müller, Cruto, Siemens & Halske u. a. in verschiedener Weise ang fertigt und geformt werden. Die Kohlenfäden befinden sich in möglichst luftleer gemachten Kugeln oder Birnen aus dünnen Glase, sie sind an Platindrähten befestigt, welche in einem Ansatze und den Gefüßen eingeschmolzen sind und ein wenig aus dem Glase herverragen, um sie in den Stromkreis einschalten zu können. Die Kohlenfäden werden durch den Strom zur hellen Gelbglut erhitzt und geben so en Licht, das dem weißen erheblich nüher kommt als das Licht unserw Gasflammen.

Der Widerstand der Kohlenfäden ist ein ganz erheblicher, so des relativ schwacher Ströme bedarf, um sie zu jener Glut zu bringer, da wir früher sahen, dass der Widerstand der Kohle mit steigender Teperatur abnimmt, so ist derselbe in den Kohlenfäden im heißen Zustand kleiner als im kalten. Man kann ihn leicht durch Beobachtung der Stromstärke und der Potentialdifferenz an den zu den Kohlenfäden führenden Platindrähten erhalten. Um ein Bild der bei den Glühlampen vorkommenden Verhältnisse zu geben, sind im Folgenden für einige Lampen de Lichtstärken in sogen. Normalkerzen unter L, die Stromstärken in Ampères unter J, die Differenzen der Potentialfunktion an den Zuleitungdrähten in Volt unter V, die Widerstände der Kohlenfäden in Ohm unter W, und unter $JV = J^2W$ die elektrische Energie, das heißt eine der in den Lampen entwickelten Wärme proportionale Zahl zusammengestelltig

Lampen	$m{L}$	J	V	W	JV
Edison B	11,09	0,825	55,78	67,68	46.02
" A	15,72	0,747	102,2	136,6	76,35
Swan klein	13,00	1,272	38,12	29,96	48,49
" grofs	43,48	1,143	125,85	96,37	143,84
Siemens	15,72	0,939	98,89	105,25	92,86.

Betreffs des Specielleren über die Glühlampen verweisen wir auf der citierten Bericht der Münchner Kommission.

1) Clausius, Poggend. Ann. Bd. LXXXVII.

²⁾ Officieller Bericht über die internationale Elektricitätsausstellung, verbunden mit elektrotechnischen Versuchen in München im Jahre 1882, bearbeit und herausgegeben von der Prüfungskommission, redigiert von von Beetz, willer, Pfeisfer.

S. 97.

Der elektrische Flammbogen. Die einfachste und zuerst beobhtete') Lichtwirkung des galvanischen Stromes zeigt sich, wenn man m metallischen Stromkreis eines kräftigen galvanischen Stromes an irgend ner Stelle unterbricht; es springt dann zwischen den Unterbrechungsellen ein Funke über, welcher dem elektrischen Funken sehr ähnlich Die Farbe des Funkens ändert sich mit den Metallen, zwischen welchen überspringt, er ist um so lebhafter, je leichter die Metalle verdampfen er verbrennen, am lebhaftesten, wenn man ihn zwischen einem Metalle id Quecksilber überspringen läßt, wenn man also den Stromkreis daurch unterbricht, dass man einen Draht aus Quecksilber zieht.

Auf den ersten Blick und bei der Ahnlichkeit dieser Erscheinung mit m Funken bei der Elektrisiermaschine sollte man glauben, daß der galmische Funke ebenfalls die in der Schlagweite überspringende Elektricität i. Dass dem jedoch nicht so ist, ergiebt sich schon daraus, dass der Funke berspringt, wo wir auch den Schliefsungsbogen unterbrechen, während och die Dichtigkeit der Elektricität auf demselben in einiger Entfernung on den Polen der Batterie eine sehr kleine ist. Noch entscheidender bricht aber gegen diese Annahme, dass man bei einem Stromkreise, welder schon sehr kräftige Öffnungsfunken zeigt, durchaus keine Funken thält, wenn man den Stromkreis schliefst. Jacobi²) näherte die Enden Schliefsungsbogens einer aus 12 Platin-Zink-Elementen bestehenden aule durch Mikrometerschrauben bis auf 0,00127 mm, er konnte indes inen Funken beobachten.

Daraus folgt, dass der bei dem Öffnen der Kette auftretende Funke cht die in der Schlagweite überspringende Elektricität ist; es ist vielehr zunächst eine Erscheinung des galvanischen Glübens, dessen Entehung sich leicht folgendermaßen ergiebt³): Vermindert man den Querhnitt eines vom Strom durchflossenen Leitungsdrahtes an einer Stelle ehr und mehr, so gerät er daselbst in immer lebhafteres Weißsglühen, s er zuletzt entweder schmilzt, oder mit hellem Glanze verbrennt. Eine Iche Verminderung des Querschnittes tritt immer dann ein, wenn man rei mit den Polen der Säule verbundene Leitungsdrähte mit ihren Enden einander presst und sie dann von einander entfernt. Deshalb muß in m Momente der Trennung ein Glühen der sich noch in wenigen Punkten rührenden Stellen der Drähte und damit eine Verbrennung eintreten, elche dann als Funke auftritt.

Wenn dieses auch der gewöhnlich auftretende Funke ist, so können och bei galvanischen Batterien elektrische, in der Schlagweite auftretende unken sich zeigen, wenn nur die Dichtigkeit der Elektricität an den Polen Batterie hinreichend ist, um eine merkliche Schlagweite zu besitzen. erartige Funken hat Crosse4) mit einer Säule von 1626 Kupfer-Zinklementen beobachtet, in welcher als Leitungsflüssigkeit Wasser angewandt

¹⁾ Nicholson, Gilberts Annalen Bd. VI.

Jacobi, Poggend. Ann. Bd. XLIV.
 Wiedemann, Galvanismus. Bd. I. §, 701. 2. Aufl.
 Crosse, Philosophical Magazin, vol. XVII. 1840.

war. Gassiot¹) hat mit 3520 solcher Elemente schon in einem Abstande von 0,25 mm Funken erhalten, welche Tage lang in einem kontinuierlichen Strome übersprangen. Wir kommen auf diese Erscheinungen später zurück.

Bei Anwendung sehr kräftiger Batterien, welche indes noch lange nicht ausreichen, um beim Schließen des Stromkreises oder gar in der Schlagweite Funken zu geben, kann man nach Herstellung des Funkens bei dem Öffnen des Kreises einen kontinuierlichen Übergang von Elektricität erhalten, wenn man die getrennten Teile in einer sehr kleinen Entfernung festhält. Man erhält dann zwischen den getrennten Enden des Schließungsbogens einen Lichtbogen, den sogenannten Davyschen Lichtbogen, welcher zu den glänzendsten Naturerscheinungen gehört.

Der erste, welcher diesen Lichtbogen beobachtete, war wohl Davy? derselbe verband durch Drähte mit den Polen einer Säule von 2000 Elementen zwei Kohlenstifte von 3 cm Länge und 4 mm Durchmesser. Nachdem er dieselben in Berührung gebracht hatte, entfernte er sie von einander, und es bildete sich zwischen den Kohlenspitzen ein dauernder Lichtbogen von höchstem Glanze. Derselbe dauerte fort, selbst als die Spitzen der Kohlen bis 10 cm von einander entfernt waren.

Es bedarf indes zur Erzeugung eines solchen Lichtbogens nicht einer Säule von 2000 Elementen, wie Davy sie anwandte, sondern es gentgen dazu schon 20 bis 30 Bunsensche oder Grovesche Elemente, ja selbst mit 12 großplattigen Groveschen Elementen läßst sich derselbe darstellen Um ihn zu erhalten, muß man im allgemeinen in der angegebenen Weise verfahren, daßs man die Enden des Schließungsbogens, zwischen welchen er erzeugt werden soll, zunächst an einander bringt und dann vorsichtig von einander entfernt; der eintretende Öffnungsfunke leitet den Übergang der Elektricität ein. Man kann indes den Lichtbogen auch erhalten, wenn man den Übergang der Elektricität, anstatt ihn durch den Öffnungsfunken einzuleiten, dadurch herstellt, daß man zwischen den sehr genäherte Enden des Schließungsbogens den elektrischen Funken einer Leydens Flasche überspringen läßst³).

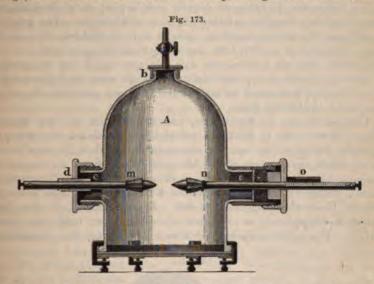
Die Entfernung, bis zu welcher man nach hergestelltem Lichtboges die Enden des Schließungsbogens von einander entfernen kann, hängt ab von der Umgebung, in welcher der Lichtbogen dargestellt wird, von der Intensität des Stromes und besonders von der Natur der Elektroden. En sehr bequemer Apparat zur Untersuchung der verschiedenen Umstände ist folgender, welchen Wiedemann beschreibt⁴): Eine Glasglocke A (Fig. 1731 ist an drei Stellen tubuliert. Auf den Tubulus b ist ein Hahn luftlicht aufgekittet. Der Tubulus c trägt eine Fassung, in welcher man eines Deckel d einschrauben kann, der in seiner Mitte den dicken Metallstab s

¹⁾ Gassiot, Philosophical Magazin. vol. XXV. 1844.

²⁾ Davy, Philosophical Transactions for 1821. 3) Daniell, Poggend. Ann. Bd. LX. S. 381.

⁴⁾ Wiedemann, Galvanismus. Bd. I. §. 703. 2. Aufl. Auf eine Beschreibung der vielen elektrischen Bogenlampen resp. Regulatoren, Differentiallampen u.s.w. können wir hier nicht eingehen, wir verweisen deshalb auf die Werke über elektrische Beleuchtung, so auf die neueste Auflage von Schellens elektromagnetische Maschinen. Köln bei Dumont-Schauberg 1883.

trägt. An diesen Stab wird außerhalb der Glocke der eine Leitungsdraht der Säule festgeklemmt. Auf den gegenüberliegenden Tubulus e ist eine Stopfbüchse aufgekittet, durch die ebenfalls ein dicker Metallstab n hindurchgeschoben werden kann. Diese Metallstäbe tragen in Bleistifthaltern ähnlichen federnden Klemmen die Körper, Kohlenstifte, Metallbleche u. dgl., zwischen denen der Lichtbogen erzeugt werden soll. Der Stab n trägt eine Millimeterteilung, an dieser anliegend ist auf der Stopfbüchse ein Nonius befestigt, so daß man den Abstand der Spitzen genau messen kann.



Man stellt die Glocke auf den Teller einer Luftpumpe, oder auf eine genau schließende Spiegelglasplatte, an welcher sie, wie die Figur zeigt, festgeklemmt werden kann. Erzeugt man in diesem Apparate den Lichtbogen zwischen Kohlenspitzen und bestimmt seine größte Länge, wenn die Glocke mit Luft unter dem Drucke der Atmosphäre gefüllt ist, so kann man den Abstand der Spitzen noch weiter vergrößern, wenn man die Luft aus der Glocke auspumpt. So konnte Davy den Abstand der Kohlenspitzen bei Anwendung der vorhin angegebenen Säule von 11 auf 18 cm vergrößern, während die Luft bis auf 6 mm Quecksilberdruck ausgepumpt wurde.

Ebenso wird der Lichtbogen verlängert, wenn man die Anzahl der Elemente vermehrt, welche ihn hervorruft, also die elektromotorische Kraft der Säule. Bei Anwendung von 600 zu einer Säule verbundenen Bunsenschen Elementen konnte Despretz¹) einen Bogen von 16,2 cm Länge erzeugen.

Von dem wesentlichsten Einflus ist aber auf den Lichtbogen die Natur der Elektroden, er entsteht um so leichter und kann um so mehr verlängert werden, je leichter die Elektroden verflüchtigt werden können. Zwischen Platindrähten ist er deshalb am schwierigsten herzustellen und

¹⁾ Despretz, Comptes Rendus, T. XXX. p. 367.

am kürzesten. Zwischen leichtflüchtigen Metallen, wie Zink, kann er länger erhalten werden, am längsten zwischen Kohlenspitzen, welche mit leichtflüchtigen Salzen getränkt sind. So giebt Casselmann¹) an, daß, während bei einer Säule von 44 Bunsenschen Elementen die Länge des Bogens zwischen rohen Kohlenspitzen bis auf 4,5 mm gebracht werden konnte, sie bei mit Ätzkali getränkter Kohle bis auf 8 mm vergrößert werden konnte.

Aus dem Einflusse der Flüchtigkeit der Elektroden auf die Ausbildung und die Länge des Lichtbogens ergiebt sich schon, daß die Elektroden, zwischen welchen derselbe gebildet ist, sich verflüchtigen. Das zeigt auch die Abnahme der Masse derselben, welche stets stattfindet. Bei der Herstellung des Bogens in der Luft hat diese Verflüchtigung zum Teil ihren Grund darin, daß sie verbrennen; daß das aber nicht der einzige Grund der Abnahme derselben ist, folgt daraus, daß sie auch im luftleeren Raum oder in Stickstoff bedeutend an Größe verlieren, wo eine Verbrennung derselben nicht stattfinden kann.

Untersucht man die Elektroden, zwischen welchen sich der Bogen im luftleeren Raum oder in Stickstoff gebildet hat, so findet man stets, daß die positive Elektrode am meisten abgenommen und daß die negative, also jene, in welche der positive Strom übergeht, häufig sogar an Gewicht zugenommen hat. Daraus folgt, daß in dem Lichtbogen ein Transport von Teilchen, welche sich von der positiven Elektrode losgerissen haben, zur negativen Elektrode stattgefunden hat. Erzeugt man z. B. den Bogen zwischen Kohlenspitzen, so erhalten dieselben sehr bald das Ansehen Fig. 174. Die positive Spitze höhlt sich kraterartig aus, während die



negative Elektrode ihre spitze Gestalt beibehält, und sich rings um die Spitze kleine kugelförmige Erhöhungen zeigen. Man sieht diese Erscheinung am besten, wenn man von dem Lichtbogen vermittels einer Linse auf einem Schirme ein objektives Bild entwirft, da das Licht viel miblendend ist, als dass man direkt auf die Elektroden hinsehen könnte?

Wir haben soeben angegeben, daß der Bogen sich leichter zwischen leichtflüchtigen Elektroden bildet; nach der letzten Erfahrung können wir

^{*} Casselmann, Poggend. Ann. Bd. LXIII. "er-Pouillet, Lehrbuch der Physik. 5. Aufl. 2. Bd.

ses dahin näher bestimmen, daß es vorwiegend auf die Natur der posien Elektrode ankommt. Zwischen einer leichtflüchtigen positiven und
er nicht leichtflüchtigen negativen Elektrode bildet sich der Bogen fast
nso leicht und lang als zwischen zwei leichtflüchtigen Spitzen. Macht
n dagegen die schwerflüchtige Elektrode zur positiven, so kann der
zen nur wenig länger erhalten werden als zwischen zwei schwerflüchen Elektroden.

Nach den Versuchen von van Breda¹) findet indes auch ein Transport der negativen zu der positiven Elektrode statt, jedoch in viel geringe-Maße. Man erkennt das am leichtesten, wenn man zwei verschiedene talle zu Elektroden wählt; auf jeder ist dann das andere Metall nachreisen. Breda hat dieses sogar durch Gewichtsbestimmungen gezeigt; stellte z. B. den Bogen im luftleeren Raume zwischen zwei Eisenkugeln

und fand, dass beide Kugeln an Gewicht verloren hatten2).

Diese Verflüchtigung der Elektroden, selbst der am schwersten schmelzen Metalle beweist, dass die Temperatur des Lichtbogens eine äußerst e sein muss; es ist vielleicht die höchste, welche wir zu erzeugen imnde sind. Wir haben bereits im dritten Teile S. 66 die Versuche von spretz3) erwähnt und angeführt, wie es ihm gelungen sei, auch die schwersten schmelzbaren Körper mit Hilfe einer Bunsenschen Batterie 500 bis 600 Elementen zum Schmelzen zu bringen. Die Kohlenspitzen, lehe Despretz zur Herstellung des Lichtbogens in einem luftleeren Raume utzte, verdampften, und an den Wänden der Glasglocke fand sich nachein schwarzer krystallinischer Absatz des wieder niedergeschlagenen alendampfes. Kleine Kohlenstücke, welche sich in einem als positiver dienenden Graphittiegel befanden, waren, nachdem der Lichtbogen ge Zeit gedauert, aneinander geschweifst. Wie überhaupt der Lichten zu den brillantesten Naturerscheinungen gehört, so kann man die e Temperatur desselben zu den glänzendsten Verbrennungserscheinungen utzen; so verbrennen alle Metalle in demselben, Zink mit einer glänzend fsen, Kupfer mit einer grünlichen Flamme; Eisen und Stahl mit der itiven Elektrode in Berührung gebracht verbrennt, selbst in Form von ken Blechen, wie eine Uhrfeder in Sauerstoffgas.

Es zeigt sich betreffs der Hitzeentwicklung, daß die Temperatur positiven Elektrode stets eine höhere ist als diejenige der negativen ektrode. Man kann das schon leicht wahrnehmen, wenn man den Lichtgen einfach zwischen Kohlenspitzen herstellt, und dann die Kohlenspitzen weit von einander entfernt, daß der Lichtbogen aufhört. Die positive ektrode ist weißglühend, während die negative nur eben rotglühend, und wenn letztere schon ganz dunkel ist, glüht erstere noch lebhaft. In man als Enden der Leitungsdrähte zwei Kupferdrähte nimmt, diese euzweise über einander legt und dann ein wenig von einander entfernt, glüht oft der positive Draht allein, oder beide Drähte werden glühend,

1) van Breda, Poggend, Ann. Bd. LXX.

²⁾ Man sehe auch die Versuche von Herwig, Poggend. Ann. Bd. CXLIX, che zu demselben Resultate kommen, und gleichzeitig zeigen, daß eine ernbare Beziehung zwischen der Stromstärke und den übergeführten Mengen in existiert.

³⁾ Desprets, Comptes Rendus T. XXVIII. p. 755. T. XXIX. p. 48 u. 545.

der positive aber viel lebhafter und während dann der negative Draht nur innerhalb des Stromkreises glüht, glüht am positiven Drahte noch in außerhalb des Stromkreises liegendes Stück 1).

Wenn man einen Lichtbogen zwischen einem Metalldrahte und Quecksilber hervorbringt, so ist derselbe glänzend, der Draht glüht lebhaft, wenn man ihn als positive Elektrode benutzt; dient dagegen das Quecksilber als positive Elektrode, so zeigt sich nur ein kleiner Funke, der Dalt glüht nicht und statt dessen verdampft das Quecksilber sehr stark?).

Die hohe Temperatur des Lichtbogens und den Unterschied in der Temperatur der positiven und negativen Elektrode ergeben auch die direkten Messungen Rosettis3) über die Temperatur des zwischen Kohlenspitzen erzeugten Lichtbogens. Rosetti wandte zu seinen Versuchen das im §. 40 des dritten Bandes beschriebene Verfahren an, er liefs die swzelnen Teile des Lichtbogens gegen eine Thermosäule strahlen und berechnete aus der beobachteten Strahlung die Temperatur nach der Gleichung

$$S = (aT^2 - b)(T - T_0),$$

wenn S die beobachtete Strahlung, T die Temperatur des strahlenden Körpers, To die Temperatur der Thermosäule, die Temperaturen vom absoluten Nullpunkte aus gerechnet, a und b Konstanten sind, welche von der Empfindlichkeit der Thermosäule abhängig sind. Um die Temperatur des Lichtbogens selbst zu erhalten, wurden die Kohlenspitzen abgeblendet, so dass nur der Lichtbogen strahlte. Zur Berechnung der Temperatur wurde die beobachtete Strahlung durch das Emissionsvermögen des Lichtbogens dividiert, welches Rosetti dem einer nichtleuchtenden Bunsenschen Flamme von gleicher Dicke gleich setzt.

Liefs Rosetti nur die positive Spitze auf die Thermosäule strahlen, so ergab sich die Temperatur um so höher, je kleiner das strahlende Stück und je näher es an der Spitze war. Die Temperatur der Spitze selbst fand er zu 3900° C. und zwar scheint dieselbe von der Stärke des den Lichtbogen erzeugenden Stroms nur wenig abzuhängen, meistens erhielt Rosetti dieselbe Temperatur der Spitze bei einer Stromstärke von 32 und von 60 chemischen Einheiten, also von 3,06 oder 5,75 Ampères

Für die negative Elektrode ergab sich als Maximaltemperatur 3150°C. Die Temperatur des Flammbogens ist erheblich höher, Rosetti erhielt für dieselbe den Wert von 4800°-4844° C., und zwar ebenfalls unabhängig von der Stromstärke.

Verstärkung des Stromes bewirkt wesentlich nur, dass die Glüberscheinung sich weiter über die Kohlen erstreckt, die Flächen, welche die Maximaltemperaturen haben, werden mit dem stärkeren Strome er heblich größer.

¹⁾ Gassiot, Philosophical Magazin vol. XIII. 1838. Poggend. Ann. Bd. XIVI.
2) Tyrtov, Poggend. Ann. Bd. LXX.
3) Rosetti, Atti dell' Ist. Venet. (5) V p. 1—18. Beiblätter Bd. III. S. 821.

Mem. della R. Acc. dei Lincei (3) Bd. IV. Beiblätter Bd. IV p. 134. Ich kenne die Arbeit nur aus den Beiblättern, kann deshalb, da dort nicht die Beobachenbeit, sondern nur die Resultate angegeben sind, nicht berechnen, welche sich nach dem Stefanschen Strehbungsgeben sind, nicht berechnen, welche

ren sich nach dem Stefanschen Strahlungsgesetz ergeben würden. rürden etwas tiefer sein.

Der hohen Temperatur des Lichtbogens entsprechend ist auch die tensität des von demselben ausgesandten Lichtes. Nach einer Messung n Bunsen mit dem von ihm angegebenen Photometer 1) ist die Intensit des Lichtbogens zwischen Kohlenspitzen bei 48 Bunsenschen Elementen d einer Stromintensität gleich 52,32 nach absolutem Masse gleich der elligkeit von 576 Stearinlichtern. Wurden die Kohlenspitzen mehrfach it einer konzentrierten Lösung von Glaubersalz getränkt, so wurde die elligkeit mehr als verdoppelt.

Ausgedehnte Messungen sind über die Intensität des Lichtbogens von isselmann²) angestellt worden. Derselbe bediente sich ebenfalls des ansenschen Photometers und verglich die Helligkeit des Lichtbogens mit ner einer Stearinflamme, deren Leuchtkraft als Einheit angenommen ist. olgende Tabelle enthält die Resultate dieser Messungen. arke ist nach absolutem Masse gemessen, 10 Einheiten sind gleich ein

Elektroden	Abstand der Spitzen	Stromstärke	Licht- intensität
ohe Kohle	unmeſsbar	90,504	92,3
esgl.	4,5 mm	65,275	139,4
	0,75	94,037	334,7
ohle, getränkt mit salpeter-	0,75	101,540	336,6
saurem Strontian	0,50	113,900	353,0
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	6,75	83,928	274,0
(ab)	2,5	95,910	150,0
Kohle, getränkt mit Ätzkali	8,0	78,000	75,1
ut Zinkehlorid	1,0	76,596	623,8
III Zinkenioria	5,0	64,141	159,1
1 c	1,5	67,611	1171,3
it Borax und Schwefelsäure {	5,0	60,887	165,4

Diese Versuche beweisen, dass das Maximum der Helligkeit mit dem inimum der Entfernung der Kohlenspitzen zusammenfällt. 1ch z. B. bei dem Versuche mit der rohen Kohle die größere Intensität 38 ausgesandten Lichtes sich bei 4,5 Millimeter Abstand zeigt, so ist zu denken, dass der leuchtende Bogen dabei viel größer ist als bei unmessir kleiner Entfernung.

Aus demselben Grunde sagen auch die in der letzten Spalte der Tabelle gegebenen Zahlen direkt nichts über die Leuchtkraft des Flammenbogens vs, da eine Kerzenflamme bedeutend größer ist als der Lichtbogen. Inm Casselmann die Größe des Lichtbogens nach ungefährer Schätzung it der Größe einer Kerzenflamme verglich, fand er, daß die Intensität s von einer gleichen Fläche des Lichtbogens, vorausgesetzt, dass derlbe überall gleiche Leuchtkraft habe, ausgesandten Lichtes im Verhält-

Bunsen, Poggend. Ann. Bd. LX.
 Caiselmann, Poggend. Ann. Bd. LXIII.

nis zum Kerzenlichte durch vielleicht noch 100 mal größere Zahlen ausgedrückt werden müßte, wenn der Lichtbogen das Maximum der Helligkeit hat. Da nun aber der Lichtbogen in der Nähe der positiven Elektrode die größte Helligkeit besitzt, so ist die Leuchtkraft desselben an dieser Stelle eine bedeutend größere.

Intensitätsmessungen des elektrischen Lichtes sind in den letzten Jahren vielfach gemacht worden, seitdem das Bogenlicht in der Praxis eingeführt und zur Beleuchtung großer Räume, freier Plätze und Straßen vielfach benutzt wird. Es hat sich dabei ergeben, daß die Intensität des Lichtes nach den verschiedenen Richtungen eine sehr verschiedene ist Man nimmt zu Beleuchtungszwecken, da der positive Pol weitaus das meiste Licht aussendet, den positiven Pol der Lampen oben. Geht man dann von der horizontalen Richtung aus, so ergiebt sich, daß die Intensität, wenn man in gegen die Horizontale nach oben geneigten Richtungen beobachtet, sehr rasch abnimmt; die Intensität nimmt dagegen ganz erheblich zu in nach unten geneigten Richtungen bis zu einem Maximum, welches für die verschiedenen Lampenkonstruktionen etwas verschieden, in der Regel bei 40°-50° Neigung gegen den Horizont vorhanden ist Bei weiterer Neigung nimmt die Intensität wieder ab.

Man unterscheidet deshalb bei den elektrischen Lampen die Intersität nach verschiedenen Richtungen und die mittlere räumliche Helligkeit; die letztere wird ausgedrückt als Helligkeit einer Lichtquelle, welche die gleiche Lichtmenge aussendet wie die elektrische Lampe, aber gleich mäßig nach allen Richtungen des Raumes.

So ergab sich z. B. für eine Differentiallampe von Crompton bei den Versuchen der Münchener Kommission¹), als die Stromstärke im Mittel etwa 17 Ampères, die Differenz der Potentialfunktion an den Polen der Lampe etwa 66 Volts betrug, die Helligkeit in der Horizontalen gleich der von 566 Normalkerzen, unter einer Neigung von

15°	300	450	60°	
zu 1531	2523	3071	2975	Normalkerzen

und für die mittlere räumliche Helligkeit der Wert 1221 Normalkerzen. Zu einem genaueren Eingehen auf die Intensitätsverhältnisse der elektrischen Lampen fehlt uns hier der Raum, wir müssen deshalb auf die Specialwerke über Elektrotechnik verweisen.

Fizeau und Foucault²) haben die Helligkeit des elektrischen Lichte mit demjenigen der Sonne verglichen, indem sie die chemischen Wirkungen beider mit einander verglichen. Sie ließen zwei Strahlenkegel gleicher Öffnung, den einen von der Sonne, den anderen von dem positiven Pole eines durch 46 Bunsensche Elemente erzeugten Lichtbogens ausgehend, jeden auf eine präparierte Daguerresche Platte wirken, nachdem die Strahlen durch Linsen gleicher Brennweite konzentriert waren. Sie beobachteten dam die Zeit, welche erforderlich war, damit beide Platten gleiche Eindrücke

In dem schon citierten Berichte über die Münchner elektrische Austellung im Jahre 1882.

Pizcau und Foucault, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XI.

nielten. Man darf annehmen, daß diese Zeiten der Intensität der chemisch rksamen in beiden Kegeln vorhandenen Strahlen umgekehrt proportional d. Da nun die Lichtkegel gleiche Öffnung hatten, ist die Intensität der ihnen enthaltenen Strahlen der Intensität der von gleichen Flächenstücken r Sonne und des Lichtbogens am positiven Pole überhaupt ausgesandten rahlen proportional. Nimmt man nun an, daß die Intensität des von der nune und von dem Lichtbogen ausgesandten Lichtes der Intensität der emisch wirksamen Strahlen proportional ist, so verhalten sich die beiden tensitäten umgekehrt wie die Zeiten, welche zur Hervorbringung gleicher indrücke auf den Platten erforderlich sind. So ergab sich, daß die Intentat des positiven Poles bei Anwendung von 46 Bunsenschen Elementen 235 des Sonnenlichtes war, bei Anwendung einer Säule von 46 dreifachen lementen 0,385 des Sonnenlichtes. Das Licht der negativen Elektrode atte etwa nur ein Drittel dieser Intensität.

Wie sehr diese Intensität die aller sonstigen irdischen Lichtquellen vertrifft, ergiebt sich daraus, dass jene des nach diesem intensivsten, des ummondschen Kalklichtes nur ungefähr 0,006 des Sonnenlichtes ist.

Der Wert von Fizeau und Foucault für die Intensität des elektrischen chtes ist indes etwas zu groß, da eine prismatische Untersuchung des ktrischen Lichtes in demselben relativ mehr chemisch wirksame Strahlen gt als im Sonnenlicht. Wie wir im zweiten Teile sahen, sind haupthlich die Strahlen kleinerer Wellenlänge die chemisch wirksamen; die smatische Untersuchung des elektrischen Lichtes zeigt nun, daß die ravioletten Strahlen in demselben sehr reichhaltig sind. Deswegen ert das elektrische Licht auch äußerst brillante Fluorescenz-Erscheinungen.

Im übrigen läst gerade die prismatische Untersuchung des Flammengens erkennen, dass dieselbe im wesentlichen eine Glüherscheinung ist, im das Spektrum desselben zeigt die hellen Linien, welche für die Subinzen charakteristisch sind, zwischen denen der Bogen gebildet ist.

Damit ist nun auch sofort die Erklärung dieses ganzen Phänomens geben. Der Bogen beginnt als einfacher Öffnungsfunke; bei der Trenng der sich zunüchst berührenden Spitzen kommen die zuletzt sich bebrenden Teile zum Glühen, sie werden dadurch losgerissen und bilden ch der Trennung der Elektroden zwischen denselben eine leitende Verndung, so dass der Strom durch sie hindurchgeht. Wegen des großen iderstandes aber, den diese Leitung bietet, kommt sie nach dem Jouleen Gesetze zu lebhaftem Glühen. Ist diese Kette einmal hergestellt, wird sie durch reichlich infolge der hohen Temperatur losgerissene ilchen unterhalten, und man kann dann durch vorsichtiges Bewegen Elektroden selbst eine gewisse Strecke von einander entfernen, ohne Se leitende Verbindung zu unterbrechen, und zwar um so weiter, je hter von den Elektroden die kleinen Teilchen losgerissen werden, welche Leitung des Stromes vermitteln. Entfernt man indes die Elektroden weit von einander, so können die von der einen Elektrode losgerissenen Ichen die andere nicht mehr erreichen; der Strom wird unterbrochen der Lichtbogen erlischt; um ihn wieder herzustellen, muß man die ktroden wieder mit einander in Berührung bringen, oder zwischen den r genäherten einen elektrischen Funken überspringen lassen.

Dass der Lichtbogen die Elektricität in der That leitet, ergiebt sich

direkt aus der Thatsache, dass der elektrische Strom nach der Trennung nicht aufhört; häufig bei geringem Abstande der Elektroden ist sein

Widerstand sogar nur klein.

Matteucci¹) schaltete in einem Stromkreise, in welchem ein Lichtbogen erzeugt wurde, ein Voltameter ein und fand, das in demselben in einer Minute entwickelt wurden 57, 44, 38 ccm Knallgas, als die Kohlenspitzen 2, 3, 4 mm von einander entfernt waren. Da nun bei einer Verlängerung des Lichtbogens um das Doppelte der Strom nur ungefähr im Verhältnis 3 zu 2 geschwächt wurde, so folgt, das der Widerstand des Lichtbogens gegen den des übrigen Stromkreises keineswegs besonders groß ist. Das zeigte auch bei einer andern Versuchsreihe eine Vergleichung der Stromstärke, wenn die Elektroden mit einander in Berührung waren, und wenn zwischen denselben sich der Lichtbogen bildete.

Bei Berührung der Elektroden entwickelten sich in einer Minute 46 ccm Knallgas; als der Abstand derselben 3 mm betrug, und die Elek-

troden bestanden aus

Kupfer,	war	die	entwickelte	Knallgasmenge	23	cem
Messing	77	77	77	11	26	79
Eisen	"	17	**	"	27	27
Kohle	19	22	**	17	29	22
Zink	"	77	33	-17	35	77
Zinn	"	22	22	"	45	.77

Man sieht, daß der Widerstand des Bogens sich ändert mit der Natur der Elektroden, daß er um so kleiner wird, je leichter dieselben verflüchtigt werden. Es fällt das vollständig mit der Erfahrung zusammen, daß der Bogen um so leichter gebildet wird und um so mehr verlängert werden kann, je leichter die Elektroden verflüchtigt werden, und ist ein neuer Beweis dafür, daß der Lichtbogen weiter nichts ist, als ein wegen

seines Widerstandes sehr hell glühender Teil der Leitung.

Eine genauere Untersuchung des Widerstandes, welchen der elektrische Lichtbogen dem Strome entgegensetzt, hat Edlund²) ausgeführt. In den Stromkreis, welcher die Spitzen des Bogens enthielt, welche durch eine Schraube beliebig von einander entfernt und deren Entfernung gemessen werden konnte, wurde als Rheostat ein mit Kupfervitriollösung gefüllter Holzkasten eingefügt, in welchen zwei Kupferplatten als Elektroden ein gesenkt waren. Es wurde zunächst die Stromstärke gemessen, wenn die Kohlenspitzen sich berührten und in dem Rheostaten eine Flüssigkeits schicht von gewisser Dicke eingeschaltet war. Darauf wurde der Licht bogen hergestellt, und der durch Einschalten der Luftstrecke geschwächte Strom durch Ausschalten der Flüssigkeit, also näheres Zusammenschieben der Kupferelektroden wieder auf die frühere Stärke gebracht. Indem Edlund den Lichtbogen allmählich verlängerte, und jedesmal durch nähere Zusammenrücken der Kupferelektroden in dem Rheostaten dem Strom die frühere Stärke wiedergab, konnte er die Abhängigkeit des Widerstandes von der Länge des Lichtbogens bestimmen. Dabei ergab sich, daß der

Matteucci, Comptes Rendus XXX. p. 201.
 Edlund, Poggend. Ann. Bd. CXXXI.

iderstand des Lichtbogens sich mit zunehmender Länge vergrößerte, daß rselbe aber nicht einfach der Länge des Bogens proportional war, sonrn sich durch eine Gleichung von der Form

$$w = a + b \cdot l$$

rstellen liefs, worin a und b zwei Konstanten und l die Länge des htbogens bedeuten. So ergab sich bei einem Versuche, als die Längen a Lichtbogens waren

5	Skalenteile	==	2	mm,	der	${\bf Widerstand}$	zu	7,8
4	"	=	1,6		"	"	"	7,6
3	"	=	1,2		"	"	"	7,3
2	"	=	0,8		"	77	12	7,1
1	"	_	0,4		"	77	,,	6,9

mit

n Strom schwächt.

$$w = 6.74 + 0.2 \cdot l$$

enn die Länge in Skalenteilen ausgedrückt ist.

Es ergiebt sich somit, dass mit Herstellung des Lichtbogens eine in der Länge desselben unabhängige Ursache der Stromschwächung vornden ist. Dieselbe kann einen doppelten Grund haben, es kann nämlich tweder bei Herstellung des Lichtbogens ein Übergangswiderstand, bei m Übergange der Elektricität aus den sesten Teilen des Leiters in die ist vorhanden sein, oder es kann bei der Herstellung des Lichtbogens Lichtbogen eine elektromotorische Kraft auftreten, welche einen dem sprünglichen entgegengesetzten Strom zu erzeugen strebt, und dadurch

Denn bezeichnen wir die Stromstärke vor der Bildung des Lichtbogens tJ, die elektromotorische Kraft mit E, den Widerstand mit R, so ist ch dem Ohmschen Gesetze

$$J = \frac{E}{R}.$$

Nach Herstellung des Lichtbogens sinkt, wenn nicht die entsprechende nge des Rheostaten ausgeschaltet wird, die Stromstärke auf J_1 , und r können diese Stromstärke darstellen durch

$$J_1 = \frac{E}{R + a + bl}.$$

Ebenso kann aber auch das von der Länge des Bogens unabhängige ied a eine Schwächung der elektromotorischen Kraft bedeuten, und wir nnen J_1 darstellen durch

$$J_1 = \frac{E - p}{R + bl},$$

rin p aus den beiden letzten Gleichungen sich bestimmen lässt zu

$$p = \frac{a}{R+a+b} \cdot E \cdot$$

Edlund schließt aus theoretischen Gründen, daß mit Herstellung des htbogens eine Schwächung der elektromotorischen Kraft eintreten, rektive daß im Lichtbogen eine dem ursprünglichen Strome entgegengesetzte elektromotorische Kraft auftreten müsse. Er geht davon aus, daß der Lichtbogen durch eine Zerstäubung der Polspitzen zustande kommt, und bemerkt, dass diese Zerstäubung eine mechanische Arbeit erfordere. Mit dieser Arbeitsleistung muss aber die in dem ganzen Stromkreise entwickelte Wärmemenge kleiner werden, und das ist nur möglich, wenn unabhängig von dem im Lichtbogen neu eintretenden Widerstande eine Schwächung des Stromes eintritt. Denn würde der Strom nur nach Maßgabe des eingeschalteten Widerstandes geschwächt, so würde bei der Überwindung des Widerstandes eine demselben proportionale Wärmemenge entwickelt, die gesamte Wärmemenge wäre also nicht kleiner. Deshalb schliesst Edlund, dass die von der Länge des Lichtbogens unabhängige Schwächung des Stromes in dem Auftreten einer elektromotorischen Gegenkraft ihren Grund habe, welche den Strom der mechanischen Arbeit entsprechend schwäche, und damit die entwickelte Wärmemenge absolut kleiner werden lasse.

Den Wert dieser elektromotorischen Gegenkraft findet Edlund, sobald die Stromstärke eine gewisse Größe hat, unabhängig von der Stromstärke¹) und der elektromotorischen Kraft des zur Erzeugung des Lichtbogens verwandten Stromes, dagegen abhängig von der Natur der Spitzen zwischen denen der Lichtbogen entsteht, sie ist kleiner, wenn der Lichtbogen zwischen Kupfer, als wenn er zwischen harter Kohle erzeugt wird.

Die Leitungsfähigkeit des Lichtbogens verschwindet nicht in den Augenblicke, in welchem der ihn erzeugende Strom unterbrochen wird; sondern lässt man bei konstantem Abstande der Polspitzen den Strom nur eine ganz kurze Zeit unterbrochen, so stellt sich der Lichtbogen wieder her. Diese Erfahrung benutzte Edlund, um das Vorhandensein der elektremotorischen Kraft in dem Lichtbogen direkt nachzuweisen²).

Der Lichtbogen wurde zu dem Zwecke in eine Zweigleitung eingeschaltet, welche ein Galvanometer enthielt und welche durch eine hebelartige Vorrichtung in dem Momente geschlossen werden konnte, in welchem eben durch das Umschlagen dieses Hebels der den Lichtbogen erzeugende Strom unterbrochen wurde. Kräftige Ausschläge in dem Galvanometer bewiesen dann, dass die Zweigleitung von einem Strome durchflossen wurde.

Frölich3) hat direkt die Potentialdifferenzen an den Polen des Lichtbogens gemessen, indem er während des Bestandes des Lichtbogens von den Kohlenstüben einen Strom mit so großem Widerstande abzweigte. dass der Hauptstrom durch diese Verzweigung gar nicht geändert wurdt Der Widerstand dieses Zweiges war in Ohm bekannt, und die Stromstärke in dem Zweige wurde in Ampères gemessen. Das Produkt aus dem Wider stande des Zweiges und der Stromstärke in demselben giebt somit die elektromotorische Kraft, beziehungsweise den Unterschied der Potentialfunktion an den Punkten der Hauptleitung, an welchen die Enden des Zweiges angelegt sind, ausgedrückt in Volts. Die so gemessene Different der Potentialfunktion liefs sich durch eine Gleichung darstellen von der Form

$$E = a + bL$$

¹⁾ Edlund, a. a. O. und Poggend. Ann. Bd. CXXXIII. 2) Edlund, Poggend. Ann. Bd. CXXXIV.

³⁾ Frölich, Elektrotechnische Zeitschrift. Jahrgang 1883. S. 150.

enn L die in Millimetern gemessene Länge des Lichtbogens ist. Bei fölichs Versuchen wurde die Länge des Bogens von 1 bis 16 mm, die romstärke von 4 bis 120 Ampères geändert, für a und b ergaben sich e Werte

$$a = 39, \quad b = 1,8.$$

is Resultat ist ganz in Übereinstimmung mit dem von Edlund erhalnen, es ist an den Grenzen des Lichtbogens eine erheblich größere tentialdifferenz vorhanden, als sie vorhanden sein müßte, wenn man n Widerstand des Lichtbogens nach dem Ohmschen Gesetze berechnet.

Wenn es nach diesen Versuchen auch keinem Zweifel unterliegt, daß dem Lichtbogen eine elektromotorische Gegenkraft vorhanden ist, so darf es zu der Erklärung doch wohl nicht der Annahme, daß dieselbe der Zerstäubung der Polspitzen ihren Grund hat. Den Übergang der ektricität durch den Lichtbogen können wir uns nur nach Art der inkenentladung denken, denn die einzige bewegende Kraft ist die Diffenz der Potentialwerte der Elektricität auf den Polspitzen selbst; es tritt folge des Zwischenraumes zwischen den Spitzen des Lichtbogens eine skontinuität in dem Gefälle ein, und es muß, wenn die Elektricität rch einen Luftraum übergehen soll, der Potentialwert an den Enden nen grössern Wert haben, als wenn die beiden Spitzen durch einen sten Leiter gleichen Widerstandes verbunden wären. Diese Steigerung r Potentialwerte muss natürlich eine Verminderung des Gefälles in den sten Teilen der Leitung und damit eine Schwächung des Stromes zur olge haben. Trennt man die beiden Polspitzen von der Hauptleitung nd verbindet sie in demselben Moment durch eine Zweigleitung, so muß nn auch, eben weil auf den Enden der Leitung eine merkliche Differenz r Potentialniveaus vorhanden ist, durch die Zweigleitung ein Ausgleichen r Elektricitäten, somit ein kurz dauernder Strom stattfinden 1).

§. 98.

Elektrolyse binärer Verbindungen. Schaltet man an einer Stelle des hließungsbogens eines galvanischen Stromes eine Flüssigkeit ein, in der eise, wie wir es zur Bestimmung des Leitungswiderstandes der Flüssigiten thaten, so zeigt sich, daß, wenn der Strom überhaupt durch die ussigkeit hindurchgeht, die Flüssigkeit chemisch geändert, daß sie zerzt wird. Diese chemische Zersetzung wurde zuerst von Carlisle beachtet²), als er auf die oberste Platte einer Voltaschen Säule einen opfen Wasser brachte und in diesen den mit dem anderen Pol der nle verbundenen Draht eintauchte; das Wasser wurde in seine gasmigen Bestandteile zerlegt.

Bei einer Wiederholung des Versuches wurden Messingdrähte, welche t den Polen einer Säule in Verbindung standen, in eine Glasröhre getet, welche mit Flufswasser gefüllt war. Dabei zeigte sich, daß stets r an dem einen, mit dem negativen Pole der Säule in Verbindung

Ausführlicheres darüber sehe man von Bezold, Poggend, Ann. Bd. CXL,
 Carlisle, Nicholsons Journal of natural philosophy vol. IV, Gilberts nalen Bd. VI.

696

stehenden Drahte sich Gas entwickelte, während der andere Draht allmählich schwarz wurde und zerfiel. Das entwickelte Gas verpuffte mit

Luft gemischt, es war also Wasserstoff.

Carlisle versuchte dann das Wasser zwischen Platindrähten zu zersetzen, um so den Strom aus Drähten in die Flüssigkeit eintreten zu lassen, welche nicht von dem Sauerstoff angegriffen werden. Es entwickelte sich an beiden Drähten Gas; an dem Drahte, welcher mit dem negativen Pole der Batterie verbunden war, entwickelte sich ungefähr das doppelte Volumen von dem des an dem anderen Drahte entwickelten Gases. Ersteres schien reiner Wasserstoff, letzteres Sauerstoff zu sein, so dass also das Wasser durch den Strom der Voltaschen Säule einfach in seine Bestandteile zerlegt zu sein schien, und zwar so, dass der eine dieser Bestandteile, der Wasserstoff, ganz an dem einen, der andere, der Sauerstoff, ganz an dem anderen Drahte frei wurde.

Die Versuche von Carlisle wurden bald und vielfach wiederholt und

die Resultate derselben vollständig bestätigt1).

Wenn so auch die scheinbare Zersetzung des Wassers der Ausgangspunkt der Elektrochemie wurde, so ist doch die Zersetzung des Wassers, wie wir später noch besonders nachweisen werden, nickt direkt durch den Strom bewirkt, da eine Zersetzung des Wassers nur erhalten wird, wenn das Wasser Substanzen gelöst enthält, welche durch den Strom zersetzt werden können, und deren Zersetzungsprodukte sekundär das Wasser zersetzen.

Eine direkte und leicht zu übersehende Zersetzung durch den Strom erhält man, wenn man in den Stromkreis eine nur aus zwei Elementen bestehende Flüssigkeit bringt, etwa ein geschmolzenes Haloidsalz. Bringt man in einem Tiegel Chlorkalium oder Chlorlithium zum schmelzen, und taucht in die geschmolzene Masse die Unterbrechungsenden eines Stromkreises, so entwickelt sich an dem Drahtende, von dem aus der positive Strom in die Flüssigkeit eintritt, das Chlor, an dem anderen Pole das Metall.

Um die Resultate der chemischen Zersetzung durch den Strom bequem angeben zu können, hat Faraday²) eine bestimmte Bezeichnungweise eingeführt, welche wegen ihrer Kürze und Deutlichkeit allgemein
angenommen ist. Die Drähte, durch welche der Strom in die Flüssigkeit
ein- und austritt, werden allgemein Elektroden genannt, jene, durch welche
der positive Strom in die Flüssigkeit eintritt, heißt die positive Elektrode
oder Anode; jene, durch welche der positive Strom austritt, heißt die
negative Elektrode oder Kathode. Die Bestandteile der zersetzten Sübstanzen heißen die Ionen; daß an der positiven Elektrode oder Anode
frei werdende Ion wird das elektronegative genannt oder das Anion, das
an der negativen Elektrode, der Kathode, frei werdende Ion heißt das
elektropositive oder das Kation. Die Bezeichnung positives Ion für das
letztere, negatives für das erstere ist gewählt nach der Anschanung, daß

So von Cruikshank und besonders von Davy, von welch letzterem die ektrochemie eigentlich datiert; m. s. Fischers Geschichte der Physik. Bd. VIII. Faraday, Experimental researches. VII ser. art. 661-667. Poggend. XXXIII.

ie Kathode freie negative, die Anode freie positive Elektricität besitzt. Da die Bewegung des Kations nach der Kathode beweist, dass es von ler letzteren angezogen wird, so folgt, dass Kation positivelektrisch st. Dadurch ist der Name elektropositives Ion für das Kation gerechtertigt. Der Prozess der chemischen Zersetzung durch den elektrischen strom heist die Elektrolyse, die zersetzbaren Substanzen die Elektrolyten.

Den oben angeführten Beispielen entsprechend verhalten sich alle daloidsalze, die Salze des Chlors, Broms, Jod; sie werden in flüssiger form durch den Strom zersetzt, und zwar tritt stets an der Anode der falzbildner auf, während an der Kathode das Radikal frei wird.

Um das Resultat der Elektrolyse ganz rein zu erhalten, muß man renigstens die positive Elektrode von Kohle anwenden, da alle Metalle

renigstens vom Chlor direkt angegriffen werden.

Um Kalium, Natrium, Kalcium aus ihren Chlorverbindungen abzucheiden, schmilzt man sie in einem Tiegel von Bunsenscher Kohle und ält in die geschmolzenen Salze einen dünnen Eisendraht¹). Der Kohleniegel dient als Anode, der Eisendraht als Kathode; um die Verbrennung der reduzierten Metalle zu verhindern, wird die Kathode recht tief in die eschmolzenen Salze eingetaucht und von Zeit zu Zeit sehr rasch heraustzegen, um die an derselben angesammelten Metalle in Steinöl abzustreifen.

Chlormagnesium läßt sich in einer Kölner Pfeife recht gut zersetzen; man führt durch den Stiel der Pfeife einen Eisendraht in den Kopf, füllt Lenselben mit dem Salze, schmilzt dasselbe über der Lampe und taucht als Anode in das geschmolzene Salz einen Kohlenstift, während der Eisendraht als Kathode dient. Das reduzierte Metall sammelt sich dann an Lem Eisendrahte an. Man darf indes den Prozess nicht zu lange fortsetzen, denn sobald die Magnesiumkügelchen eine gewisse Größe erhalten naben, lösen sie sich von der Kathode ab und verbrennen, sobald sie an Lie Oberfläche kommen, mit lebhaftem Glanze.

Um größere Mengen Magnesium darzustellen, verfährt man nach Bunen²) folgendermaßen. Reines Chlormagnesium wird in einem Porzellan-

degel, der durch eine nicht ganz bis zum Boden gehende Porellanwand in zwei Zellen geteilt und durch einen zweimal
durchbohrten Porzellandeckel verschlossen ist, geschmolzen und
in Flus erhalten. Durch die Öffnungen des Deckels reichen
die Elektroden. Dieselben sind aus Bunsenscher Kohle verertigt und haben die Form Fig. 175. Die Kathode ist auf
er innern konkaven Seite sägenförmig eingefeilt, damit das
eduzierte Metall, welches specifisch leichter ist als das gechmolzene Salz, sich in den Einschnitten ansammle. Man
endet als Batterie etwa 10 hinter einander verbundene Bunensche Elemente an. Es lassen sich auf diese Weise leicht
rammschwere Stücke von Magnesium erhalten.

Ebenso lassen sich auch die Chlorverbindungen der schweren Metalle lektrolysieren. Geschmolzenes Zinnehlorür (Sn Cl₂) zerfällt in Chlor und inn, letzteres wird an der Kathode, das Chlor an der Anode frei. Chlor-

¹⁾ Matthiessen, Liebigs Annalen Bd. XCIII. 2) Bunsen, Poggend. Ann. Bd. XCII.

blei Pb Cl₂, Chlorsilber Ag Cl etc. lassen sich ebenso zersetzen, immer wird der Salzbildner an der Anode, das Metall an der Kathode frei¹).

Ebenso wie die Haloidsalze werden die Oxyde RO oder R₂0 und die Oxydhydrate RIIO durch den Strom zersetzt, wenn sie denselben leiten Schon Davy²) gelang es auf diese Weise Kalihydrat und Natronhydrat zu zersetzen und so zuerst das metallische Kalium und Natrium darzustellen. Davy schmolz in einem als Anode dienenden Platinlöffel Ätzkali oder Ätznatron und tauchte in die flüssige Masse einen Platindraht als Kathote; an derselben sammelte sich das reduzierte Metall an, verbrannte aber sofort wieder an der Luft. Es gelang auch ein Stück Ätzkali zu zersetzen ohne es zu schmelzen und dabei ein Stück des reduzierten Kaliums zu erhalten.

Die Darstellung des metallischen Kaliums gelingt leicht nach der Methode von Seebeck³).

Man legt ein Stück Ätzkali auf ein als Anode dienendes Platinblech, gräbt in dasselbe ein kleines Loch und füllt dieses mit Quecksilber. Is das Quecksilber taucht man die Kathode. An dem als Anode dienenden Platinblech entwickelt sich dann der Sauerstoff, und das Kalium tritt medem als Kathode dienenden Quecksilber, mit welchem es ein Amalgan bildet. Man destilliert aus einer gebogenen Glasröhre, deren Mündung is Steinöl taucht, das Quecksilber ab und erhält in der Röhre das metallischen Kalium. Ebenso verfährt man zur Gewinnung des metallischen Natriums

Die Oxydhydrate der alkalischen Erden lassen sich ebenfalls in dieser Weise direkt zerlegen. Man formt aus den gepulverten Erden, Magnesia, Kalk, Baryt, Schälchen, feuchtet dieselben an, füllt sie mit Quecksilber und stellt sie auf ein als Anode dienendes Platinblech. Taucht man is das Quecksilber die Kathode, so erhält man die Amalgame der betreffenden Metalle, indem der Sauerstoff an der Anode frei wird⁴).

Die Oxyde der schweren Metalle, welche geschmolzen werden können lassen sich in diesem Zustande ebenfalls elektrolysieren. So hat Faraday's geschmolzenes Bleioxyd zerlegt, es zerfällt in Blei, welches an der Krthode und in Sauerstoff, welcher an der Anode frei wird.

Überall also, wo ein Oxyd oder ein Oxydhydrat durch den Stroezersetzt wird, tritt der Sauerstoff zur Anode, während das Radikal an der Kathode frei wird.

Die in dem Bisherigen angeführten binären Verbindungen werden nicht allein dann in ihre Bestandteile zerlegt, wenn sie geschmolzen werden, sondern ganz ebenso, wenn sie in Wasser oder einem anderen indifferenten Lösungsmittel aufgelöst werden.

Löst man Zinnchlortir in wenig Wasser auf, so liefert die Elektolys desselben Chlor und Zinn. Chlorzink giebt Chlor und Zink, letzteres der Kathode, ersteres an der Anode, ebenso Chlorblei, Manganchlorti, Chromchlortir etc.

¹⁾ Furaday, Experimental researches VII. ser. Poggend Ann. Bd. XXXIII.
2) Davy, Philosoph. Transactions for 1808. Gilberts Annalen Bd. XXII.
und XXXI.

Seebeck, Gilberts Annalen Bd. XXVIII.
 Berzelius, Gilberts Annalen Bd. XXXVI.

^{. 5)} Faraday, Exper. res. VII ser. art. 797 a. 798. Poggend. Ann. Bd. XXXIII.

Es ist Bunsen gelungen¹) auch aus konzentrierten Lösungen von alorkalcium, Chlorstrontium, Chlorbarium die Metalle abzuscheiden.

Konzentrierte Lösungen von Chlorwasserstoff, Bromwasserstoff, Jodsserstoff zerfallen bei der Elektrolyse in die Salzbildner und Wasseroff, erstere treten zur Anode, letzterer zur Kathode. Es wird in derlben, wenn die Lösungen nicht sehr verdünnt sind, nur die Säure zersetzt, cht das Wasser2), denn es tritt an der Anode nur Chlor oder Brom er Jod auf, kein Sauerstoff. Für jedes Atom Wasserstoff wird also n Atom Chlor frei, das heifst es scheiden sich gleiche Volume der beim Gase ab; da aber Chlor ziemlich stark vom Wasser absorbiert wird, entwickelt sich an der positiven Elektrode meist weniger Chlor, als

er entwickelten Wasserstoffmenge entspricht.

Auch wenn man die löslichen Metalloxydhydrate in Wasser löst, erden sie in konzentrierten Lösungen allein zersetzt. Um diesen Nacheis zu liefern, bedarf es aber gewisser Vorsichtsmaßregeln, da die aus men entwickelten Metalle für sich schon das Wasser zersetzen. Elektrosiert man daher z. B. Kalibydrat in konzentrierter Lösung einfach zwichen Platinelektroden, so hat es den Anschein, als wenn nur das Wasser ersetzt würde, indem das an der Kathode frei werdende Kalium sofort rieder das Wasser zersetzt und eine äquivalente Menge Wasserstoff entrickelt. Benutzt man indes als Kathode Quecksilber, so bildet sich sofort aliumamalgam, aus welchem man das Quecksilber abdestillieren kann, Pährend an der Anode Sauerstoff frei wird. Man bedeckt zu dem Ende unächst den Boden eines Gefäßes mit Quecksilber und schüttet darauf me konzentrierte Lösung von Atzkali.

Man taucht dann in das Quecksilber als Kathode einen Platindraht, er außer an der Stelle, wo er sich im Quecksilber befindet, mit einer olierenden Siegellackschicht überzogen ist, und senkt in die Kalilösung

ne Platinplatte als Anode³).

Hiernach scheint es also, als wenn in diesen Fällen der Strom nur arch die gelöste Substanz eirkuliere, nicht durch das Wasser, denn wenn durch das Wasser mit hindurchginge, so würde auch dieses mit zertzt werden. Wir halten vorläufig an dieser Annahme fest, werden indes later, wenn wir die Elektrolyse von Gemischen betrachten, auf diese rage zurückkommen.

Durch dieses Verhalten des Wassers sind wir in den Stand gesetzt, Elektrolyse einer Reihe von Stoffen, welche sehr schwierig oder, weil sich in höheren Temperaturen zersetzen, gar nicht schmelzbar sind, untersuchen, indem wir sie im Wasser lösen und die Lösungen elektrosieren. Nur werden wir dabei die größte Aufmerksamkeit auf die demachst zu besprechenden sekundären Prozesse richten müssen, da durch lese das Resultat der Elektrolyse sehr leicht verdeckt wird.

Um die Resultate der Elektrolyse rein, d. h. frei von den Einflüssen er begleitenden sekundären Prozesse zu erhalten, muß man die elektro-

¹⁾ Bunsen, Poggend. Ann. Bd. XCI.

²⁾ Faraday, Exper. res. VII. Reihe, oggend, Ann. Bd. C. S. 62-64. Poggend. Ann. Bd. XXXIII. Bunsen

³⁾ Seebeck, Gilberts Annalen Bd, XXVIII.

lysierte Lösung nach der Elektrolyse an einer Stelle in zwei Teile teilen, an welcher sich während der ganzen Elektrolyse nichts geändert hat Untersucht man die beiden Hälften nach der Elektrolyse für sich, so ist der Unterschied zwischen den jetzt in ihnen vorhandenen Substanzen und denen, welche vor der Elektrolyse sich dort befanden, das Resultat der Elektrolyse, mögen dabei sekundäre Prozesse stattgefunden haben oder nicht. Dabei müssen jedoch natürlich die etwa gasförmig entwichen Substanzen in Betracht gezogen werden.

Um in dieser Weise die elektrolysierten Flüssigkeiten untersucher zu können, sind von den verschiedenen Physikern verschiedene Apparate

konstruiert worden; wir erwähnen von denselben folgende.

Daniell wandte bei seinen elektrolytischen Untersuchungen¹) der Apparat Fig. 176 an. Zwei cylinderförmige Glasgefäße ubcd und ofgl



sind auf das U-formige Glarohr k aufgeschliffen, so dale sie wasserdicht schließen Durch die seitlichen Offmugen a und f reichen in dies Gefäße Platindrähte himm an welche die Platinbleche und p als Elektroden ange setzt werden; die mit den Eleltroden verbundenen Drahte ! und q tauchen in die Quelsilbernäpfchen t und s, is welche zugleich die mit be galvanischen Batterie verburdenen Leitungsdrähte enge senkt werden. Die Gefile werden mit Pfropfen geschlos sen, durch welche an beides Seiten offene Glasröhren im durchgehen, um die gw förmigen Zersetzungsprodukt entweichen zu lassen.

Die Röhre k wird zunächst vollständig mit der zu untersnehender Lösung gefüllt, dann werden die Mündungen derselben mit tierisch Blase zugebunden und schließlich jedes der beiden Gefäße mit Flüssighe vollgefüllt. Nach der Elektrolyse wird der Inhalt beider Gefäße F sondert untersucht.

Die zwischen den beiden Blasen eingeschlossene Flüssigkeit der Röhe
k trennt also die beiden untersuchten Mengen; es wird demnach vorzegesetzt, daß diese ungeändert bleibe und die beiden geänderten Flüssigkeitsmengen, welche die Elektroden umgeben, vollständig getrennt erhalte.

Letzteres ist nicht ganz genau richtig, da sobald die Lösung in den frefäßen sich geändert hat, durch Endosmose ein Austausch der Substame durch die Blase hindurch stattfindet.

¹⁾ Daniell, Philosoph. Transactions f. 1839. Poggend. Ann. Englarmageld 1

Ein weiterer Fehler tritt in den quantitativen Bestimmungen dadurch , daß in später zu betrachtender Weise durch den Strom Flüssigt durch die Membranen von dem positiven zu dem negativen Pole führt wird.

Beide Fehler suchte Wiedemann durch die Anordnung des Apparates z. 177 zu vermeiden¹). Zwei Gläser a und a₁ sind neben einander



uf einem Brette aufgestellt und durch Glasplatten b und b_1 bedeckt. In diese Glasplatten sind zwei Messinghülsen aufgesetzt, durch welche e Platindrähte l und l_1 hindurchgehen, an die im Innern der Gläser e Elektroden c und c_1 angesetzt sind. Endlich sind in die Gläser die lasröhren d und d_1 eingesenkt, welche in dem gabelförmigen Kautschukhlauch f mit einander kommunizieren. Eine dritte Öffnung des Kautschukhlauchs nimmt den Hahn g auf.

Zur Elektrolyse werden die beiden Gläser zu gleicher Höhe mit der untersuchenden Flüssigkeit gefüllt, dann wird durch den geöffneten ahn die Flüssigkeit bis zu dem Hahne aufgesaugt und darauf der Hahneschlossen. Auf diese Weise ist die leitende Verbindung zwischen den läsern hergestellt; wenn daher jetzt die Drähte l und l_1 mit den Polen er Batterie verbunden werden, so wird die Lösung zersetzt.

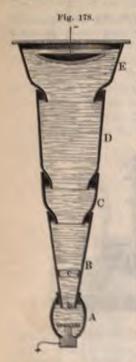
Nach der Elektrolyse wird der Hahn geöffnet, die Flüssigkeit fällt us den Röhren in die Gläser zurück und wird dort gesondert untersucht.

Hittorf hat bei seinen Untersuchungen Apparate sehr verschiedener orm benutzt; diejenige Form, welche er als die beste empfiehlt, ist folende (Fig. 178)²). Der Apparat besteht aus fünf Glasgefäßen; das beinste A enthält die Anode, deren Stift in die Öffnung des Bodens einekittet ist und den Fuß der ganzen Vorrichtung abgiebt. In den Hals

¹⁾ Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. XCIX. Galvanismus Bd. I. §, 273. 2. Auft.

²⁾ Hittorf, Poggend, Bd. LXXXIX. Bd. XCVIII. Bd. CVI.

des Gläschens ist das konische Gefäß B eingeschliffen, welches unten mit einer dünnen Membran b bespannt ist und die in einem Glasring c augespannte Membran enthält. Darüber befinden sich die Gefäße C,D und



E, welche aus abgesprengten Präparatengläsern bestehen. Der Boden derselben wird ebenfalls von dünnen Membranen gebildet; um die Gefässe lufdicht an einander zu schließen und so die Verdunstung des Wassers zu verhindern, sind die schmalen Stellen der Gefäse, dort wo sie in einander gesteckt sind, mit einem Kautschukring umgeben.

In dem obersten Gefässe E befindet sich die Kathode, in den meisten Fällen Platin. Die Gefäse werden einzeln mit der zu untersuchenden Flüssigkeit gefüllt, und dann in einander gesetzt. Nach der Elektrolyse werden sie auseinandergenommen und für sich untersucht.

In anderen Fällen wandte Hittorf den Apparat Fig. 179 an. In den Hals des Gefäßes A, welche die Anode enthielt, ebenfalls ein durchlöcherte Blech, war der Hals des Gefäßes B eingeschliffen. Die Anode γ war auf einen Konus α des gleichen Metalles aufgesetzt, welcher in den Boden des Gefäßes eingekittet war und auf der Messingplatte β aufstand; die Messingplatte vermittelte die Verbindung der Anode mit dem positiven Pole der Battere. In dem oberen Gefäße befand sich die Kathode, welche in Form eines kleinen Konus i um die Glæröhre ζ herumgelegt war, und um das Herabfallen allenfalls losgelöster Teile zu verhüten, auf einer

kleinen Glasplatte 3 aufstand. Durch die Glasröhre 5 ging der lange Stiel 2 des in den Hals des oberen Gefäßes eingeschliffenen Glasstöpsels 8, so daß derselbe gehoben oder gesenkt werden konnte, um das ober Gefäße von dem unteren abzusperren.

Während der Elektrolyse wurden die Gefälse einfach mit der m untersuchenden Flüssigkeit gefüllt; nach Beendigung derselben wurde du obere Gefäls von dem unteren durch Herabdrücken des Glasstöpsels ibgesperrt, und die in jedem enthaltene Flüssigkeit für sich untersucht.

Untersucht man in einem dieser oder einem ähnlichen Apparate inged ein schwefelsaures, salpetersaures, oder irgend ein anderes Salz, wilche nach der früheren Anschauung aus gleichen Äquivalenten Basis und Statemannengesetzt ist, so findet man, daß auch dieses elektrolysiert wirk, und zwar in der Weise, daß das Metall an der Kathode, der Rest be Verbindung aber an der Anode frei wird. Elektrolysiert man schwefelsaus Kupferexyd CuSO, in einer niemlich kommentrierten Lösung, so findet sich an der Kathode und reines Kupfer, an der Anode findet sich freie Schwefe sänne, und wenn die Anode aus Platin besteht, entwickelt sich an der in Molekul Samerstelf. Ganz ebense findet sich bei der Elektro

subprincipal Samerstoff. Gazz ebense hindet sich bei der kirkursubprincipaliten Kapheroxyd Cu (NO₂), oder subprincipaliten Siller NV₁ an der Kathode und das Metall, an der Anode freie Sil, während ein Molekül Sauerstoff entweicht. Ebenso ist es bei l, salpetersaurem Zinkoxyd und allen derartigen Salzen der Meche das Wasser nicht zersetzen, stets tritt an der Kathode nur

1, an der Anode der Rest der Ver-

kohlensaure, oxalsaure u. s. w. Salze dieser Weise zersetzt.

n man eine Lösung von schwefellali oder Natron in dem Apparate
mann oder Daniell zersetzt, so scheint
ersten Blick das Resultat der Elekn ganz anderes zu sein. Man findet
in dem die Kathode enthaltenden
reies Natronhydrat und in dem Gelches die Anode enthält, die ente Menge freier Schwefelsäure. Gleichwickelt sich an der Kathode Wasserder Anode Sauerstoff. Es scheint
hal das Salz in anderer Weise zu
nnd gleichfalls neben dem Salze
ersetzt zu werden.

elius') nahm dies in der That an; sen Theorie der Sauerstoffsalze beeselben aus dem basischen Oxyde äure, welche als nähere Bestandteile alze vorhanden sind. Das schwefelron besteht demnach aus Schwefelund Natron Na₂O. Bei der Elek-



illte nun das Salz wieder in diese näheren Bestandteile gespalten ind gleichzeitig Wasser zersetzt werden. Ganz in derselben Weise ich Berzelius auch die vorher besprochenen Salze zersetzt werden. aures Kupferoxyd ist nach dieser Anschauungsweise $Cu O + SO_3$; zerfällt dann durch die Elektrolyse in Cu O und SO_3 , und um eten des Metalls an der Kathode zu erklären, nahm Berzelius das abgeschiedene Oxyd dann weiter durch den Strom zerlegt Metall und Sauerstoff.

e Ansicht über die Zersetzung der Salze beruht wesentlich auf diusschen Anschauungsweise der Zusammensetzung der Salze aus de Basis, welche die neuere Chemie hat fallen lassen; indes auch undelegung der Berzeliusschen Anschauung läfst sich die Unhalten dessen Ansicht über die Elektrolyse der Salze leicht erkennen man nämlich gleichzeitig in den Strom ein Voltameter ein, welssänertes Wasser enthält, und den das schwefelsaure Natron ent-Zersetzungsapparat, so liefern beide fast genau dieselbe Menge off und Sauerstoff. Nach der Anschauung von Berzelius würde und derselbe Strom in dem das Natriumsulfat enthaltenden

erzelius, Lehrbuch der Chemie. 5. Aufl. Dresden und Leipzig, 1843.

Zersetzungsapparate einmal eine gewisse Menge Salz, gleichzeitig aber genau dieselbe Menge Wasser zersetzen wie in dem Wasservoltameter, es würde also ein und derselbe Strom in dem einen Apparate eine sehr viel größere, und, wie wir nachher zeigen werden, die doppelte Arbeit leisten als in dem andern, was unmöglich ist.

Die gleichzeitige Zersetzung von Wasser und Salz erklärt sich übrigens nach der vorhin dargelegten Auffassung der Zerlegung des Salzes in Metall und den Rest der Verbindung unmittelbar aus der Beschaffenheit des abgeschiedenen Metalles. Diese gleichzeitige Zersetzung tritt nämlich mur ein, wenn irgend ein Salz eines Metalles zersetzt wird, welches für sich schon das Wasser zersetzt. Das aus dem Salze Na_2SO_4 abgeschieden Natrium zersetzt zwei Moleküle Wasser unter Bildung zweier Moleküle Natronhydrat und Abscheidung je eines Atoms Wasserstoff aus jedem der Wassermoleküle nach dem Schema

$$2Na + 2H_2O = 2NaHO + 2H,$$

während an dem positiven Pole ein Molekül Sauerstoff abgeschieden wird, gerade wie bei den Salzen der Metalle, welche das Wasser nicht zersetzen

Letzteres ist eine Folge der Einwirkung des abgeschiedenen Atomkomplexes SO_4 auf das Lösungswasser, es bildet sich nach dem Schema

$$SO_4 + H_2O = H_2SO_4 + O$$

unter Zersetzung eines Moleküls Wasser und Abscheidung des Sanerstoffs wieder Schwefelsäure. Daraus ergiebt sich unmittelbar, weshalb bei der Zersetzung von Salzen der Metalle, welche das Wasser zersetzen, eine dem abgeschiedenen Metalle äquivalente Menge Wasserstoff auftritt, also für jedes Atom der einwertigen Alkalimetalle ein Atom Wasserstoff.

Der erste, welcher diese Auffassung der Zersetzung der Salze gegenüber derjenigen von Berzelius annahm, war Daniell 1), und um gegenüber der damaligen Anschauung der Chemiker, welche die Salze als aus Sänre und Basis zusammengesetzt betrachteten, seine Auffassung erklären m können, nahm Daniell an, daß alle Sauerstoffsalze in derselben Weise gebildet seien wie die Haloidverbindungen, so zwar, dass der außer dem Metall iu dem Salze vorhandene Atomkomplex als ein zusammengesetztes Radikal anzusehen sei, welches die Stelle des Salzbildners in den Haloiden vertrete. Die schwefelsauren Salze, nach der frühern Anschauung MO + SO_s, sollten darnach bestehen aus dem Metalle M und dem Radikal SO4, welchem Daniell den Namen Oxysulphion beilegte; das Salz bezeichnete er als Oxysulphionkupfer. Das salpetersaure Kupferoxyd, nach der Schreibweise von Berzelius $CuO + NO_5$, schrieb Daniell $CuNO_6$ nannte den Atomkomplex NOg Oxynitrion und das Salz Oxynitrionkupfer; die kohlensauren Salze betrachtete er als Verbindungen der Metalle mit CO3, mit Oxycarbonion u. s. f. Darnach geschah die Elektrolyse der Salze genau wie jene der Haloide, sie zerfallen in das Metall und den Stoff, dessen Charakter demjenigen der Halogene entspricht, die überory dierte Säure. Letztere tritt zur Anode, sie kann indes separiert nicht bastehen und zerfällt daher sofort wieder in Sauerstoff und Säure.

Daniell, Philosophical Transactions for 1839. Poggend. Ann. Ergänzung

Die Anschauung von Daniell stimmt insoweit mit den jetzigen Anbten der Chemie überein, als er in den Salzen nicht Basis und Säure die naberen Bestandteile ansieht, sondern das Metall und den mit verbundenen Atomkomplex, sie weicht insofern davon ab, als er letztern ein den Salzbildnern ähnliches Radikal ansieht, der aus der Säure s dem Sauerstoff besteht. Die jetzige Chemie denkt sich die Sauerffsalze aus den früher sogenannten Säurehydraten entstanden, welche als die eigentlichen Säuren ansieht, während sie die früher als Säuren gesehenen Verbindungen, die wasserfreien Säuren als Säureanhydride eichnet. Salpetersäure ist HNO, und aus der Salpetersäure wird ein z, wenn der Wasserstoff der Säure durch ein Metall vertreten wird, wefelsäure ist H2SO4, und in den neutralen Salzen der Schwefelsäure d beide Atome des Wasserstoffs durch Metalle vertreten, entweder durch i Atome eines einwertigen Metalles oder durch ein Atom eines zweitigen Metalles u. s. f. In Bezug auf das Resultat der Elektrolyse ist es diese Verschiedenheit in der Auffassung ohne Bedeutung; da nach len Auffassungen das Metall der eine, der Rest der Verbindung der ere Bestandteil des Salzes ist, so erkennt man leicht, daß bei der ktrolyse stets das Metall an der einen, der Rest der Verbindung an andern Elektrode auftreten wird; an der Kathode scheidet sich stets Metall ab, das übrige an der Anode.

§. 99.

Faradays Gesetz der festen elektrolytischen Aktion. Wir haben lem Bisherigen die Resultate der Elektrolyse nur der Art nach unterht, d. h. die Produkte betrachtet, welche durch die Elektrolyse aus Verbindungen abgeschieden werden. Es fragt sich nun, wie verhalten die Mengen der zersetzten Substanzen zu der Stromstärke und zu inder, wenn ein und derselbe Strom durch eine Anzahl verschiedener bindungen hindurchgeführt wird.

Was die erste Frage angeht, so haben wir schon bei Messung der mstärke den Nachweis geliefert, dass die Menge des zersetzten Wassers Stromstärke proportional ist, und zwar nicht nur, was selbstyerständsein würde, wenn wir die Stromstärke nach chemischem Maße, sondern h, wenn wir sie mit Hilfe der Tangentenbussole messen. Wir werden on daraus den Schlufs ziehen, dafs das Gleiche für alle zersetzbaren stanzen gilt, daß also stets die Menge der in gleichen Zeiten zersetzten stanz der Stromstärke proportional ist, sei es, dass wir dieselbe nach mischem oder nach irgend einem andern Mafse messen.

Man kann nun aber auch leicht zeigen, wenn man zwei Zersetzungsen in den Strom einschaltet, deren eine angesäuertes Wasser enthält, rend die andere mit irgend einer andern zersetzbaren Verbindung geist, daß die Zersetzungsprodukte in beiden Zellen einander immerfort portional sind. Bei dem Nachweis dieser Proportionalität hat Faraday itans den Satz bewiesen, dass die früher sogenannten binären Verbingen bei gleicher Stromstärke nach äquivalenten Mengen zersetzt werden, heifst, daß derselbe Strom, welcher in einer gegebenen Zeit irgend Gewichtsmenge Wasser zersetzt, in ebenderselben Zeit eine der zer-PLEASE, Physik. IV. 4. Auff.

45

setzten Wassermenge äquivalente Menge einer beliebigen andern Verbindung zersetzt.

Diese beiden Sätze bilden das Faradaysche Gesetz der festen elektrolytischen Aktion¹), sie sind das Grundgesetz der ganzen Elektrochemie.

Als äquivalente Mengen gelten dabei jene Gewichtsmengen der væschiedenen Substanzen, welche einander in den Verbindungen ersetten können, oder welche mit den ersetzbaren Mengen der Substanzen verbunden sind; also z. B. die Gewichtsmengen, welche die Gewichtseinheit Wasserstoff in einer Verbindung ersetzen können, sind einander und der Gewichtseinheit Wasserstoff äquivalent; ebenso sind die Mengen äquivalent, welche in einer Verbindung mit der Gewichtseinheit Wasserstoff oder der ikr äquivalenten Menge verbunden sind. Nach der Sprache der neuern Chemie sind demnach bei den einwertigen Elementen die durch die Atomgewichte angegebenen Mengen einander äquivalent; die durch das Atomgewicht eines mehrwertigen Elementes angegebene Menge ist soviel Atomen eines einwertigen Elementes äquivalent, als das mehrwertige Element Werigkeiten besitzt. Ein Atom eines zweiwertigen Elementes ist zwei Atome eines einwertigen Elementes äquivalent; so ist ein Atom Sauerstoff mi Atomen Wasserstoff oder Chlor äquivalent, ein Atom Stickstoff drei Atome Wasserstoff. In ähnlicher Weise ergeben sich die äquivalenten Mengen der verschiedenen Säuren; die einbasischen Säuren, in welchen ein Atm vertretharer Wasserstoff ist, wie HNO3, sind gewissermaßen einsquir lentig, das heisst, der mit dem Atom H verbundene Atomkompler i üquivalent einem halben Molekül Sauerstoff oder einem Atom Chlor; eine zweibasische Säure wie H2SO4 bildet ein normales Salz, indem die beden Atome Wasserstoff durch zwei Atome eines einwertigen Metalles oder durch ein Atom eines zweiwertigen Metalles ersetzt werden; ein Molekil eines normalen schwefelsauren Salzes ist also äquivalent einem Molekul Wasser H, O oder zwei Molekülen 2 HCl. Ähnlich ist es in andern Falle.

Faraday stellte das Gesetz der festen elektrolytischen Aktion auf für die früher als binäre bezeichneten Verbindungen, das heißt für Verbindungen, in welchen in der eben angegebenen Weise gleiche Äquivalent der verschiedenen Stoffe vorhanden waren; inwieweit dasselbe für kompliziertere Verbindungen gilt, werden wir im §. 101 betrachten.

Den Nachweis des Gesetzes der festen elektrolytischen Aktion hat Faraday in der vorhin angedeuteten Weise geführt. In ein und denselben Stromkreis wird ein Voltameter und eine Zersetzungszelle mit der nuntersuchenden Substanz eingeschaltet. Man beobachtet die in dem Voltameter entwickelte Menge von Knallgas oder Wasserstoff, reduziert dieselbe auf den Druck von 760 mm und auf 00 und berechnet dann daraus der Gewicht des zersetzten Wassers. Man bekommt dann ebenso durch Wägung oder durch eine Analyse das Gewicht des an einer der beiden Elektroden aufgetretenen Zersetzungsproduktes und berechnet daraus die Menge der zersetzten Substanz. Die beiden Gewichte verhalten sich stets wie die Äquivalente der zersetzten Substanzen.

In dieser Weise hat Faraday zunächst den Nachweis geliefert für

¹⁾ Faraday, Experimental researches on electr. VII. ser. Poggend Ass. Bd. XXXIII.

rwasserstoffsäure, Bromwasserstoffsäure, Jodwasserstoffsäure, indem er aus denselben entwickelten Wasserstoffmengen mit einander verglich. entwickelten Wasserstoffmengen waren überall gleich; und da an den den kein Sauerstoff auftrat, so folgt, dass von demselben Strom äquinte Mengen Wasser und Säuren zersetzt waren.

Bei einem andern Versuche zersetzte Faraday Chlorzinn 1) SnCl₂. Er nolz in den Boden einer Glasröhre AB (Fig. 180) einen Platindraht, ther in einer Kugel endete, und welcher genau gewogen war. In die

re wurde wasserfreies Chlorzinn geht und dieses dann durch eine unteretzte Lampe in Flus gehalten. In
geschmolzene Chlorür wurde von
n her eine Elektrode von Graphit gecht. Nun wurde die Graphitelektrode
dem positiven Pole einer Batterie,
Platinelektrode mit dem negativen
e derselben verbunden, und zugleich
den Stromkreis ein Voltameter einchaltet.

Das Zinnchlorür wurde zersetzt, das werdende Chlor bildete an der de Zinnchlorid, welches in Form von apfen entwich. Das an der Kathode



geschiedene Zinn bildete mit dem Platin eine Legierung, welche schmolz sich auf dem Boden der Röhre ansammelte. Nach Beendigung der ktrolyse wurde die Röhre erkalten gelassen und dann zerbrochen, wobei das Glas und das feste Chlorür mit Leichtigkeit von dem Draht und Legierung ablösen ließen. Die Gewichtszunahme des Drahtes gab die ige des reduzierten Zinns; dieselbe betrug 3,2 Gran. In dem Voltameter en 0,49742 Gran Wasser zersetzt. Derselbe Strom also, der 0,49742 n Wasser zersetzte, vermochte so viel Zinnchlorür zu zersetzen, daß urch 3,2 Gran Zinn reduziert wurden. Da das Atomgewicht des Zinns 3, das des Chlors 35,5 ist, so beträgt diese Menge 5,16 Gran. Nun aber fast genau

 $\frac{5,16}{0,49742} = \frac{189}{18},$

ich dem Verhältnis der Äquivalente des Zinnehlorürs und Wassers, so is also auf ein Äquivalent Wasserstoff ein Äquivalent Zinnehlorür zersetzt in die zwei Atomen Wasserstoff äquivalente Menge Zinn ausgeschieden war. Bei der Zersetzung von geschmolzenem borsaurem Bleioxyd wurde die säure plus dem Sauerstoff an der Anode, und Blei an der Kathode. Auf je 18 mg zersetzten Wassers fanden sich 202,58 mg Blei an Kathode, eine Zahl, die so wenig von dem Atomgewichte des zweitigen Metalles Blei, 207, abweicht, daß dadurch auch für die genolzenen Sauerstoffsalze das Gesetz bewiesen ist.

¹⁾ Faraday, Experimental researches. VII. ser. art. 789-800. Poggend. Bd. XXXIII.

Für gelöste Salze ist das Gesetz seitdem noch mehrfach bewiesen worden. So von Daniell, Soret, Buff, Hittorf u. a. Daniell Destimmte bei der Elektrolyse schwefelsauren Natrons die Menge des freien Natrons in der Zelle der negativen Elektrode, die der Schwefelsäure in der Zelle der Anode. Er fand eine der zersetzten Wassermenge genau äquivalente Menge freien Natrons an der Kathode, freier Schwefelsäure an der Anode,

Soret²) verglich die Mengen der bei gleicher Stromstärke aus Lösungen verschiedener Kupfersalze niedergeschlagenen Kupfermengen; er fand die selben einander genau gleich; er verglich ferner bei Einschaltung dreier Zersetzungszellen, deren eine Wasser, die zweite eine Lösung von Kupfervitriol, die dritte die Lösung eines Silbersalzes enthielt, die Mengen des ausgeschiedenen Wasserstoffs, Silbers und Kupfers; er fand sie genau den Aquivalentzahlen entsprechend.

Buff³) verglich die ausgeschiedenen Silbermengen in einer Zersetzungzelle bei Anwendung von Stromstärken, welche nach der Tangentenbussele sich genau wie 1:2:4 verhielten; die ausgeschiedenen Silbermengen standen fast genau in demselben Verhältnisse. Bei einem anderen Versuche schaltete Buff verschiedene konzentrierte Lösungen des Silbersalzes ein, in allen schied sich an der Kathode dieselbe Silbermenge aus. Daraus ergiebt sich, dass die Menge der zersetzten Substanz nur abhängig ist von der Stärke des Stromes, nicht von der Konzentration der Lösung. und wie wir früher schon für Wasser nachwiesen, daß die Menge der zersetzten Substanz der an der Tangentenbussole gemessenen Stromstärke proportional ist.

Letzterer Nachweis ist sehr wichtig, da Buff äußerst schwache Ströme anwandte, der eine schied in 100 Stunden nur 130 mg Silber aus; er würde in derselben Zeit 20,13 ccm Knallgas entwickelt haben, so dals die Stromstärke in dem von uns angenommenen chemischem Maß nur 0,00335 betrug. Dadurch schon ist die mehrfach, auch von Faraday') gemachte Annahme widerlegt, dass der Strom eine Flüssigkeit durchsetzen könne, ohne daß dieselbe zersetzt werde. Denn wenn die Flüssigkeiten noch in anderer Weise, also wie die Metalle, ohne zersetzt zu werden leiten könnten, so würde es nicht möglich sein, dass die Zersetzung der nach magnetischem Maße gemessenen, also der Stromstärke überhaupt proportional wäre. Denn wenn auch nur sehr schwache Ströme geleitet werden könnten, ohne daß die Flüssigkeiten zersetzt würden, so müßte sich bei so schwachen Strömen eine Abweichung von der Proportionalität der chemischen Aktion mit der Stromstärke zeigen.

Faraday, Despretz⁵) und andere glaubten die Leitung der Flüssig keiten ohne Elektrolyse annehmen zu müssen, weil bei sehr schwachen

¹⁾ Daniell, Philosophical Transactions for 1839. Poggend. Ann. Erganzungs band I.

Soret, Ann. de chim. et de phys. III. Sér. T. XLII. p. 257.
 Buff, Liebigs Annalen Bd LXXXV.
 Faraday, Experimental researches. VIII. ser. art. 966 ff. Poggend. Ann. Bd. XXXV.

Desprets, Comptes Rendus. T. XLII, p. 707. Man sehe die Besprechung ufsatzes von Delarive in Poggendorffs Annalen Bd. XCIX aus dem Arsciences physiques Mai 1856.

men im Wasser keine Gasentwicklung bemerkbar wäre. De la Rive 1) Buff') haben aber gezeigt, dass wenn man als Anode eine Platine, als Kathode eine sogenannte Wollastonsche Spitze, einen Draht, bis zu seiner Spitze mit einer isolierenden Schicht überzogen ist, andet, dass dann an der Spitze auch bei den schwächsten Strömen noch lasen auftreten. Buff beobachtete sie bei einem Strome, der gemäß an der Tangentenbussole beobachteten Intensität in einem Jahre nur ccm Knallgas entwickelt hätte, also bei einem Strome, dessen Stärke Minimum ist.

Einen weiteren Beweis gegen die Annahme einer metallischen Leitungskeit der Flüssigkeit liefert die demnächst genauer zu besprechende brung, dass selbst bei dem schwächsten Strome, bei welchem keine antwickelung mehr wahrnehmbar ist, Platinelektroden in einem Voltaer polarisiert werden, d. h. dass in dem Voltameter eine elektromotoe Kraft auftritt, welche einen dem ursprünglichen entgegengesetzten m erzeugt.

Es ergiebt sich demnach, dass die Flüssigkeiten den Strom nur leiten, m sie elektrolysiert werden; dem entspricht auch die nachher zu bechende Erfahrung, daß Flüssigkeiten, die nicht elektrolysiert werden, Strom nicht leiten3).

Das elektrolytische Gesetz gilt ebenso wie für Zersetzungszellen, che in den Stromkreis eingeschaltet sind, auch für die stromerregenden mente selbst; es versteht sich das nach dem Vorigen von selbst, da h die Flüssigkeit in den Elementen von dem Strome durchflossen wird. nun in den Elementen der Strom vom Zink zu dem Kupfer, der Kohle r dem Platin geht, so wird der Sauerstoff und die Säure an dem k frei; der an die Kathode tretende Wasserstoff wird bei den koniten Elementen durch sekundäre Prozesse fortgeschafft. Die Säure,

¹⁾ De la Rive, Traité de l'électricité. T. II. p. 359. Ferner Archive de extricité. T. III. p. 160. Man sehe auch den eben angegebenen Aufsatz von la Rive, Poggend. Ann. Bd. XCIX.

2) Buff, Liebigs Annalen Bd. XCIV.

3) Man sehe auch Kohlrausch und Nippoldt, Poggend. Ann. Bd. CXXXVIII.

ncke (Poggend. Ann. Bd. CXLIV) glaubt, daß man aus der Thatsache, daß i fester Körper ein absoluter Isolator für Elektricität sei, schließen müsse, auch die Flüssigkeiten metallisch leiten; man müsse sonst annehmen, daß festen die Flussigkeiten metallisch leiten; man müsse sonst annehmen, daß festen die Elektricität ohne Zersetzung immer etwas leitenden Salze durch Übergang in die zweite Aggregatform diese Fähigkeit verlören, während ere Körper, wie die Metalle, bei dem Übergang in die flüssige Form leitend ben. Diese Annahme ist indes nicht so wunderlich, wie Quincke meint, da in den elektrolysierbaren Flüssigkeiten, wie später bei der Theorie der Elekyse hervortreten wird, verschiedene mit den verschiedenen Elektricitäten aftete bewegliche Moleküle annehmen müssen, während in den nicht elekysierbaren Flüssigkeiten nur gleichartige mit beiden Elektricitäten behaftete vsierbaren Flussigkeiten nur gleichartige mit beiden Elektricitäten behattete eküle vorhanden sind. In diesen kann also eine Leitung durch Bewegung Moleküle nicht zustande kommen. Es ist allerdings nicht a priori unmögdafs in den Elektrolyten neben der Bewegung der Elektricität mit den ekülen auch ein Übergang derselben von einem Molekül zum andern stattet, jedenfalls ist aber dieser Bruchteil, wie auch Quincke annimmt, bei der mbildung so klein, daß er außer Acht zu lassen, resp. nicht nachweisbar Bei der Elektrisierung der Flüssigkeiten durch Influenz muß man ihn wohl hmen.

welche sich an dem Zink entwickelt, löst das Zink unter Bildung schwelesauren Salzes auf. Nach dem elektrolytischen Gesetze wird in jeden Elemente, wenn sie nach einander eingeschaltet sind, so daß der game Strom sie nach einander durchläuft, für jedes Äquivalent Wasser, welche außerhalb der Elemente zersetzt wird, ein Äquivalent Zink außelbe. Da nun die Stromstärke proportional ist dem in einem Voltameter in der Zeiteinheit erzeugten Knallgase, so folgt auch, daß die Stromstärke proportional ist dem Zinkverbrauche in der Kette. Wenn demnach durch einen Strom, dessen Stärke der Einheit gleich ist, in der Kette eine gewisse Menge p Zink gelöst wird, so wird bei dem Strom, dessen Stärke die nfache ist, der also in der Zeiteinheit die nfache Gasmenge liefet, auch np Zink aufgelöst. Dieser direkt aus dem elektrolytischen Gesetz sich ergebende Satz ist überdies auch von Daniell 1) experimentell nachgewiesen worden. Wir werden auf denselben noch zurückkommen.

§. 100.

Sekundäre Aktionen bei der Elektrolyse. Zersetzung des Wassers. Bei der Besprechung der Elektrolyse binärer Verbindungen haben wir schon mehrfach angedeutet, dass das Resultat der direkten Elektrolyse häufig durch sekundäre Aktionen getrübt wird, indem die Produkte der Elektrolyse chemische Änderungen erfahren. Wir haben einzelne dieser Änderungen bereits erwähnt und die betreffenden Erscheinungen erklärt. So haben wir angeführt, dass bei der Zersetzung eines Alkalisalzes durch das frei werdende Metall das Wasser zersetzt wird daß sich dadurch an der Kathode das Alkali wieder bildet und Wasserstoff entweicht. Dasselbe ist im allgemeinen der Fall, wenn man ein Salz der alkalischen Erden in wässeriger Lösung analysiert, auch dann findet sich im allgemeinen das Oxyd an der Kathode. Dass dieses Folge einer sekundären Zersetzung des Wassers ist, dafür haben wir schon der mehrere Gründe kennen gelernt; ein weiterer Beweis liegt nach dem Nachweise des Faradayschen Gesetses in der schon erwähnten Thatsache, dafs bei der Zersetzung eines solchen Salzes genau eine der in einem eingeschalteten Voltameter entwickelten Wasserstoffmenge aquivalente Menge Oxyd und Säure auftritt und zugleich eine der im Voltameter entwickelten genau gleiche Wasserstoffmenge. Wäre also das Wasser durch die Elektrolyse und nicht sekundär zersetzt, so wäre in dem Zersetzungsapparate ein Äquivalent Salz und ein Äquivalent Wasser zersetzt, während in dem Voltameter ein Äquivalent Wasser zersetzt ist. In der Zersetzungzelle wäre also die Wirkung des Stromes die doppelte von derjenigen im Voltameter.

Ein weiterer Beweis liegt darin, dass es bei der Zersetzung der alkalischen Erdsalze für das schließliche Resultat von großem Einflusse ist, ob der Strom bei gleicher Intensität in der Flüssigkeit eine große Dichtigkeit hat oder nicht. Man schreibt einem Strome nämlich eine größ sere oder geringere Dichtigkeit zu, je nachdem er bei gleicher Inten-

¹⁾ Daniell, Brief an Faraday, Philosophical Transactions for 1836. Poggend. Bd. XLII. S. 264 ff.

sität einen kleinern oder größern Querschnitt durchfließt, so daß bei gleicher Intensität die Dichtigkeit des Stromes dem Querschnitte des Leiters, den er durchfließt, umgekehrt proportional ist. Demnach bezeichnet man als die Dichtigkeit des Stromes an einer Stelle der Leitung den Quotienten aus der Intensität desselben und dem Querschnitte des Leiters an der betreffenden Stelle.

Auf diesen Einflus der Stromdichtigkeit haben wir schon bei Besprechung der Elektrolyse der Erdalkalisalze hingewiesen, indem wir anführten, dass es bei Anwendung eines einfachen Eisendrahtes als Kathode gelingt, aus ganz konzentrierten Lösungen die Metalle zu gewinnen. Bei großer Dichtigkeit des Stromes wird nämlich die ganze Menge des reduzierten Metalles, welche bei geringer Dichtigkeit des Stromes an einer ausgedehnten Elektrode frei wird, an einer kleinen Stelle frei, das Metall bietet daher dem Wasser nicht so viele Berührungspunkte und kann dadurch zum Teil vor neuer Oxydation bewahrt werden.

Ein ähnlicher Einfluss der Stromdichtigkeit zeigt sich bei andern

sekundären Wirkungen.

Die sekundären Wirkungen können sehr verschiedener Art sein; es ist unmöglich sie hier alle zu beschreiben, indes kann man sie in einige Gruppen teilen und bei Betrachtung derselben die hauptsächlichsten kennen lernen.

Als erste Gruppe können wir die schon mehrfach besprochene Einwirkung der Ionen auf das Lösungsmittel bezeichnen, die nicht nur bei dem Kation, sondern auch bei dem Anion eintritt. Die Zersetzung des Wassers ist in allen Fällen eine solche sekundäre Wirkung, wie wir schon in manchen Fällen hervorgehoben haben. Das reine Wasser können wir nach den früher besprochenen Versuchen von Kohlrausch als einen Nichtleiter betrachten, nur Lösungen leiten; demnach ist es auch niemals das Wasser, welches durch den Strom direkt zersetzt wird, immer das Gelöste. In allen Fällen, in denen die Ionen durch direkte chemische Wirkung das Wasser zersetzen können, tritt diese Zersetzung ein, aber auch nur dann. Der gewöhnlichste in den Voltametern fast stets angewandte Weg zur Zersetzung des Wassers ist jener mittels Schwefelsäure. Dieselbe H₂ SO₄ wird wie jedes schwefelsaure Salz zersetzt in H2 und SO4. An der Kathode entweicht H_2 , an der Anode entwickelt sich SO_4 , welches durch Zersetzung eines Moleküles H2O sich wieder in H2SO4 verwandelt unter Entwicklung eines Moleküles Sauerstoff. Da bei diesem Vorgange sich H SO4 stets wieder bildet, kann durch Zusatz einer geringen Menge H. SO, eine unbegrenzte Menge Wasser zersetzt werden.

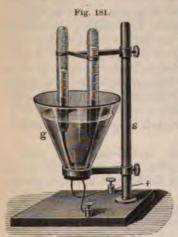
Da das Wasservoltameter in großer Ausdehnung zur Messung der Ströme benutzt wird, wollen wir etwas genauer die bei der Zersetzung des Wassers auftretenden Erscheinungen besprechen, insbesondere insoweit dabei eine Störung der entwickelten Gasmenge bewirkt wer-

den kann.

Zunächst sei erwähnt, das eine Zersetzung der Schwefelsäure beziehungsweise des Wassers zwischen Platinelektroden mit einem einzelnen Daniellschen Elemente sich überhaupt nicht, mit einem Groveschen Elemente kaum erreichen läst; will man eine kräftige Gasentwicklung, so muss man mindestens zwei Grovesche Elemente anwenden. Der Grund

dieser Erscheinung liegt in der demnächst zu besprechenden Polarisation der Elektroden durch die an denselben frei werdenden Gase.

Wie wir wissen, entwickelt sich in dem Zersetzungsapparate der Sauerstoff nur an der Anode, der Wasserstoff an der Kathode, die zwischen denselben liegenden Flüssigkeitsschichten bleiben ungeändert. Zersetzt man schwach angesäuertes Wasser und fängt etwa in dem Apparate Fig. 181,



welcher aus einem trichterförmigen Glasgefässe g besteht, das unten wasserdicht mit einem Stopfen verschlossen ist, durch welchen von einander isoliert Platindrähte als Elektroden in das Gefäl's eingeführ sind, über denen die Mefsröhren aufgehängt sind, die Gase auf, so stehen die an den Elektroden entwickelten Gasvolumina fast genau in dem Verhältnisse 1 Sauerstoff zu 2 Wasserstoff. Eine geringe Störung dieses Verhältnisses tritt dadurch ein, daß der Absorptionskoefficient des Sauerstoffes in Wasser fast doppelt so groß ist, als der des Wasserstoffs, die Störung ist um 80 geringer, je schmaler bei gleicher Stromstärke die Elektroden sind, je dichter also der Strom ist.

Ist das Wasser stark mit Schwefelsäure angesäuert, so kann infolge anderweiter

sekundärer Wirkungen das Volumverhältnis des entwickelten Sauerstoffs und Wasserstoffs zuweilen sehr geändert werden; es kann das Volumen des Wasserstoffs fast das Vierfache von dem des Sauerstoffs werden.

Diese große Verminderung in dem Volumen des auftretenden Sauerstoffs ist zunächst in der Bildung von Ozon begründet; nämlich ebenso wie der Sauerstoff in Ozon verwandelt wird, wenn man durch denselben eine große Zahl elektrischer Funken schlagen läßt, so wird auch bei der Elektrolyse ein Teil des Sauerstoffs ozonisiert1). Die Bildung des Ozons ist aber nach den Versuchen von Andrews und Tait2) mit einer Verdichtung des Sauerstoffs verbunden; es wird nämlich das Volumen des Sauerstoffs genau um das Volumen des in Ozon umgewandelten Sauerstoffs vermindert, gerade als wenn, wie Andrews und Tait sich ausdrücken, das Ozon eine unendliche Dichtigkeit besäße. Von der Richtigkeit dieser Angabe überzeugt man sich durch folgenden Versuch. Man sperre in einem Gefälse Sauerstoff ab, und lasse durch denselben zwischen zwei Spitzen längere Zeit von einer Elektrisiermaschine den elektrischen Strom hindurchgehen. Man beobachtet dann eine bestimmte Kontraktion des Volumens; darauf bringe man in den Raum etwas einer konzentrierten Jodkaliumlösung. Das Ozon hat wie das Chlor die Fähigkeit, aus seinen Verbindungen mit Metallen das Jod zu deplazieren; das Jod wird deshalb

¹⁾ Schönbein, Poggend. Ann. Bd. L.

Andrews und Tait, Poggend. Ann. Bd. CXII. aus Philosophical Transfor 1860.

ausgefällt und an seine Stelle tritt zu dem Kalium das Ozon. Bei dieser Absorption des Ozon tritt nun gar keine Veränderung des Volumens mehr ein, woraus folgt, daß die Volumveränderung bei der Ozonbildung gerade so ist, als wenn das ganze in Ozon verwandelte Volumen Sauerstoff verschwunden wäre.

Die Menge Ozon ist zwar für gewöhnlich in dem elektrolytisch ausgeschiedenen Sauerstoff nur gering; aber wenn derselbe auch nur 1 Proz. beträgt, so folgt aus dem Vorigen doch, daß sehon dadurch ein merklicher Verlust im Volumen des gebildeten Sauerstoffs eintritt.

Sobald bei der Elektrolyse des Wasserstoffs Ozon auftritt, zeigt sich immer nach den Versuchen von Meidinger1) und Schönbein2) an der positiven Elektrode auch Wasserstoffsuperoxyd, wodurch ebenfalls eine bedeutende Volumverminderung des Sauerstoffs eintreten kann. Wasserstoffsuperoxyd ist leicht nachzuweisen durch seine desoxydierenden Wirkungen auf Übermangansäure oder Chromsäure. Wenn man eine mit ctwas Salpetersäure angesäuerte Lösung von übermangansaurem Kali mit Wasserstoffsuperoxyd zusammenbringt, so wird die Übermangansäure unter Sauerstoffentwickelung zu Manganoxydul reduziert, welches mit der Sal-Detersäure verbunden in Lösung bleibt. Die vorher rote Lösung wird lahei vollständig entfärbt. Ebenso wird bei Gegenwart von etwas Schwefeldure oder Salpetersäure Chromsäure zu Chromoxyd reduziert, indem der rei werdende Sauerstoff mit einem Atom Sauerstoff des Wasserstoffsuperxydes entweicht.

Wenn man die Zersetzungszelle, in welcher das angesäuerte Wasser lektrolysiert wird, durch eine tierische Membran oder poröse Thonwand zwei Teile teilt, und die Flüssigkeit in dem die Anode umgebenden eile mit etwas übermangansaurem Kali oder Chromsäure färbt, so zeigt ie eintretende Farbeänderung, dass jedesmal dann, wenn sich Ozon bildet, uch Wasserstoffsuperoxyd auftritt.

Die Menge des Wasserstoffsuperoxydes kann sehr bedeutend werden, enn man dem Wasser ziemlich viel Schwefelsäure zusetzt, so daß eine anre von 1,4 spec. Gewicht entsteht, und dabei die Lösung möglichst alt hält. Meidinger giebt an, dass der durch Bildung von Wasserstoffaperoxyd eintretende Verlust von Sauerstoff 0,6 desjenigen betragen könne, er hätte auftreten müssen.

Bemerkt sei, dass Berthelot annimmt es bilde sich nicht Wasserstoffaperoxyd, sondern eine höhere Oxydationsstufe der Schwefelsäure, die berschwefelsäure, deren Anhydrid die Formel S, O, hat3).

Auch eine Verminderung des Wasserstoffs kann eintreten durch Ab-Orption desselben durch die Elektrode. In ganz hervorragender Weise citt diese Absorption ein bei Anwendung einer Kathode aus Palladiumraht. Graham4) hat gezeigt, dass ein Palladiumdraht das 800- bis 1000iche seines Volumens an Wasserstoff aufnehmen kann, dass sich eine

Meidinger, Liebigs Annalen Bd. LXXXVIII.
 Schönbein, Poggend. Ann. Bd. CVIII.
 Berthelot, Comptes Rendus Bd. LXXIV p. 76 ff. und p. 277 ff. Beiblätter

⁴⁾ Graham, Poggend. Ann. Bd. CXXXVI., auch Poggendorff, Poggend. Bd. CXXXVI.

wahre Legierung von Palladium und Wasserstoff bildet. Bei schwache Strömen entwickelt sich zunächst an einer Palladiumkathode gar bei Wasserstoff, erst nach längerer Zeit tritt Wasserstoff auf, und erst wen das Palladium ganz gesättigt ist, wird die Entwicklung des Gases volständig. Bei einem Versuche Grahams nahm ein Palladiumdraht was 609 mm Länge und 1,68 g Gewicht 11,5 mg oder 128 ccm Wasserstoff auf.

Will man deshalb die Wasserzersetzung als Maß der Stromstibenutzen, so muß man schwach angesäuertes Wasser zwischen nicht magroßen Platinelektroden zersetzen; am besten thut man, wenn man die Zersetzung bereits einige Zeit andauern läßt, ehe man die Mischung beginnt, um die Störungen durch die Absorption möglichst gering zu machen.

Als zweite Gruppe von Nebenwirkungen können wir die Wirkung der Ionen auf die Elektroden bezeichnen, von denen die Absorption des Wasserstoffs durch Palladium schon ein Beispiel ist. Am häufigsten beobachtet man die Einwirkung des Anions auf die Anode. So wird stet, wenn die Anode aus einem in der Säure eines zersetzten Sauerstoffsahrs auflöslichen Metalle besteht, die Anode aufgelöst.

Elektrolysiert man z. B. ein Kupfersalz zwischen Kupferelektroles, so wird das Kupfer in der Säure gelöst. Für jedes Äquivalent Kupfer, welches an der Kathode erscheint, verliert daher die Anode ebenfalls är Äquivalent Kupfer. Dasselbe ist der Fall bei der Elektrolyse eines Zintsalzes oder Silbersalzes etc. zwischen Elektroden derselben Metalle. Elektrolysiert man ein Kupfersalz zwischen Elektroden eines anderen Metalles, so ist das Resultat im wesentlichen dasselbe, es wird dann für jedes ander Kathode auftretende Äquivalent Kupfer von der Anode ein Äquivalent Metall gelöst.

Deshalb ist es in vielen Fällen bei der Untersuchung ratsam, die Anode von einem in der Säure löslichen Metall zu wählen, da dann durch den von derselben sonst aufsteigenden Sauerstoff die Flüssigkeit nicht gemischt wird. Hittorf wandte deshalb stets eine solche an; es ist dabei nicht gerade erforderlich, daß die Anode aus demselben Metalle sei, welches in dem Salze enthalten ist, besonders wenn man die Produkte der Elektrolyse dadurch untersucht, daß man die elektrolysierte Flüssigkeit an einer nicht veränderten Schicht spaltet, und dann die einzelnen Mengen für sich analysiert.

Bei den praktischen Anwendungen der Elektrolyse, bei Vergoldungen Versilberungen, ferner bei der Galvanoplastik ist es ratsam, die Anode aus dem Metalle zu wählen, welches an der Kathode abgesetzt wird, daman auf diese Weise dafür sorgt, daß die benutzte Flüssigkeit immet dieselbe Zusammensetzung hat.

Bei der Elektrolyse von Chlormetallen werden auch Anoden von Gold und Platin unter Bildung von Chlorid aufgelöst.

Auf die Auflösung der Anode ist die Dichtigkeit des Stromes von bedeutendem Einflusse; ist dieselbe an der Anode sehr groß, die Anode also sehr klein, so wird weniger an derselben aufgelöst, als an der Kathode abgeschieden wird. So fand Magnus¹) in einem Falle, daß von

¹⁾ Magnus, Elektrolytische Untersuchungen. §. 88. Poggend. Ann. Bd. Cll.

der Anode nur ein Drittel des Kupfers aufgelöst wurde, welches an der Kathode niederfiel.

Die ausgeschiedenen Ionen können ferner auf das gelöste Salz einwirken, und zwar sowohl an der Kathode, als an der Anode. Eine derartige Aktion an der Anode haben wir bereits bei der Elektrolyse des Zinnehlorürs erwähnt; das an der Anode frei werdende Chlor verwandelt das Zinnehlorur Sn Cl, in Zinnehlorid Sn Cl, welches dort dampfförmig entweicht.

Elektrolysiert man Chlorammonium, so zeigen sich ähnliche Einwirkungen. Alle Ammonsalze geben zunächst bei der Elektrolyse an der Kathode Ammonium NH4, welches gewöhnlich zerfällt in Ammoniak NH3, welches in Lösung bleibt, und in Wasserstoff, welcher entweicht. Wendet man dagegen als Kathode Quecksilber an, so tritt das Ammonium unzersetzt zu dem Quecksilber und bildet mit demselben ein Amalgam, welches beim Erhitzen sich zersetzt in Ammoniak, Wasserstoff und Quecksilber1). Dafs in der That in diesem Amalgam Ammoniak und Wasserstoff in dem Verhältnis, wie sie im Ammonium vorhanden sein müßten, d. h. 2 Vol. Ammoniak auf 1 Vol. Wasserstoff enthalten sind, ist neuerdings von Landolt nachgewiesen2).

Das an der Anode bei der Elektrolyse des Salmiaks frei werdende Chlor zersetzt den gelösten Salmiak und bildet Chlorstickstoff, gerade wie

wenn man Chlorgas in eine Salmiaklösung einleitet.

Elektrolysiert man Salmiak in einer Porzellanschale, indem man die Lösung mit einer dünnen Schicht Terpentinöl bedeckt, so explodieren die Chlorstickstofftröpfchen sofort, wie sie das Terpentinöl berühren 3).

Auch der elektrolytisch ausgeschiedene Sauerstoff giebt zu solchen sekundären Produkten Veranlassung. Elektrolysiert man essigsaures Bleioxyd zwischen nicht löslichen Elektroden, so scheidet sich an der Kathode Blei ab, welches dieselbe in schönen Krystallen bedeckt. An der Anode erscheint Essigsäure und Sauerstoff. Letzterer scheidet sich indes nicht ab, sondern oxydiert das Blei zu Bleisuperoxyd Pb O2, welches sich an der Anode ablagert. Auch wenn man eine Lösung von Bleioxyd in Kali elektrolysiert, erhält man an der Anode Bleisuperoxyd4). Ebenso kann man aus Lösungen von Nickelsalzen, Kobaltsalzen, Mangansalzen und Wismutsalzen Superoxyde erhalten⁵). Bei der Elektrolyse von salpetersaurem Silberoxyd erhält man an der Anode schwarzes Silbersuperoxyd 6).

Diese Bildung von Superoxyden wird in der Technik benutzt, um Metalle mit bestimmt gefärbten Überztigen zu versehen; so z. B. erhält man bei der Elektrolyse von essigsaurem Manganoxydul auf einer Platinschale als Anode je nach der Dicke der Schicht prachtvolle goldgelbe, purpurfarbige, grüne Überzüge von Mangansuperoxyd, wenn als Kathode

ein dünner Platindraht benutzt wird?).

Fischer, Kastners Archiv. Bd. XVI.
 Ritter, Gilberts Ann. Bd. II. Gehlens Journal. Bd. III.

¹⁾ Zuerst beobachtet von Seebeck. Gilberts Annalen Bd. XXVIII.
2) Landolt, Liebigs Annalen. Supplement Bd. VI.
3) Kolbe, Liebigs Annalen. Bd. LXIV.
4) Beetz, Poggend. Ann. Bd. LXI.

⁷⁾ Böttger, Beiträge zur Physik und Chemie. II. Heft. Frankfurt 1841.

Auch an der Kathode können durch Einwirkung des reduzierten Metalles auf die Lösung sekundäre Produkte entstehen. Die Elektrolyse von Kupferchlorid giebt an der Kathode durch Verbindung des ausgeschiedenen Kupfers mit dem Chlorid Kupferchlorür.

Essigsaures Kupferoxyd liefert an der Kathode Kupfer gemengt mit Kupferoxyd oder Kupferoxydul ¹). Arsensaures Kali giebt an der Kathode durch Einwirkung des Kaliums metallisches Arsen.

Auch die an einer Elektrode ausgeschiedenen Substanzen selbst können nach den Versuchen von Kolbe auf einander einwirken und geben dann besonders bei der Elektrolyse organischer Stoffe zu den verschiedensten Umsetzungen Anlass²).

Bei der Elektrolyse schwefligsauren Kalis oxydiert der an der Ande frei werdende Sauerstoff die ebenfalls frei werdende schweflige Saure zu Schwefelsäure.

Bei der Elektrolyse des essigsauren Kalis KC_2 H_3 O_2 würden neben Abscheidung von Wasserstoff und Sauerstoff die normalen Produkte sein Kalihydrat an der Kathode, Essigsäure an der Anode nach dem Schema

$$K \stackrel{C_2}{C_2} \stackrel{H_3}{H_3} \stackrel{O_2}{O_2} = 2 K + 2 (C_2 H_3 O_2) \text{ direkt}$$

und weiter sekundär an der Kathode $2 K + 2 H_2 O = 2 K H O + 2 H_3$ an der Anode $2 (C_2 H_3 O_2) + H_2 O = H_2 2 (C_3 H_3 O_2) + O_3$; statt desse zerfällt der Atomkomplex $2 C_2 H_3 O_2$ sofort in Methylgas $2 C H_3$ und Kohlensäure $2 C O_2$.

Valeriansaures Kali K C5 H9 O2 giebt Butyl und Kohlensäure

$$\left. \begin{array}{l} K C_b H_9 O_2 \\ K C_5 H_9 O_2 \end{array} \right\} = 2 K + 2 C_4 H_9 + 2 C O_2.$$

Das in ölartigen Tropfen abgeschiedene Butyl verbindet sich zum Teil mit der Valeriansäure, zum Teil wird demselben durch frei werdenden Sauerstoff Wasserstoff entzogen und es bildet sich Butylen

$$\frac{C_4}{C_4} \frac{H_9}{H_9} + 0 = 2 C_4 H_8 + H_2 0.$$

Bernsteinsaures Natron giebt an der Anode ein Gemenge von Äthylen C_2 H_4 und Kohlensäure

$$Na_2 C_4 H_4 O_4 = 2 Na + C_2 H_4 + 2 C O_2.$$

Fumarsaures Natron Na_2 C_4 H_2 O_4 liefert an der Anode Acetylen C_2 H_2 und Kohlensäure

$$Na_2 C_4 H_2 O_4 = 2 Na + C_2 H_2 + 2 C O_2$$

An der Kathode wirkt zugleich der durch das Natrium aus dem Lösungswasser abgeschiedene Wasserstoff auf das fumarsaure Natron ein und führt dasselbe in bernsteinsaures Natron über

$$H_2 + Na_2 C_4 H_2 O_4 = Na_2 C_4 H_4 O_4$$

Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. XCIX.
 Kolbe, Liebigs Ann. Bd. LXIV und LXIX. Lehrbuch der organischen.
 Chemie. Bd. I. Braunschweig 1854.

Die Maleinsäure verhält sich bei der Zerlegung ihrer Salze wie die nit ihr isomere Fumarsäure. Die Brommaleinsäure wird bei der Zeregung ihres Salzes anders gespalten, sie liefert an der Anode Kohlenoxydgas und Bromwasserstoff. So giebt das brommaleinsaure Natron

$$Na_2 C_4 H Br O_2 = 2 Na + H Br + 4 CO.$$

Bei den Zersetzungen der organischen Salze treten diese Verhältnisse nur dann in dieser Weise deutlich hervor, wenn man recht konzentrierte Lösungen elektrolysiert, bei verdünnten Lösungen wird immer gleichzeitig Wasser zersetzt, wodurch manche der angeführten Reaktionen modifiziert und verdeckt werden können.

An diesen Beispielen sekundärer Wirkungen möge es genügen. Man kann es im allgemeinen leicht entscheiden, welche Veränderungen einer Lösung primär Folge der Elektrolyse, welche sekundär Folgen der chemischen Einwirkung der ausgeschiedenen Substanzen sind, und dadurch das reine Resultat der Elektrolyse erhalten. Im allgemeinen werden durch die sekundären Wirkungen Verbindungen gebildet, welche vorher nicht in

der Lösung waren.

Trotz aller der Nebenwirkungen kann man doch immer bei der Elektrolyse das elektrolytische Gesetz erkennen, wenn man die Flüssigkeit, wie wir vorher angaben, an einer Stelle, die sich nicht verändert hat, spaltet und die Flüssigkeiten der beiden Teile, oder vielmehr den Gesamtinhalt der beiden Gefäse für sich untersucht. Mit Berücksichtigung der etwa gasförmig entwichenen Bestandteile ist das in jedem Gefäse außer unzersetzter Lösung Enthaltene das Resultat der Elektrolyse. So findet man z. B. stets bei der Zerzetzung eines Salzes an der Anode die Bestandteile einer dem an der Kathode abgeschiedenen Metalle äquivalenten Menge Säure und Sauerstoff neben den Bestandteilen der unzersetzten Lösung; dieses ist das Resultat der direkten Zersetzung durch den Strom, welches im abrigen auch die Verbindungen sein mögen, welche diese Teile mit Finander oder mit der Anode, oder mit den gelösten Substanzen ein-Segangen sein mögen. Man hat in den verwickeltsten Fällen nur sämtliche Bestandteile an der einen Seite der Spaltungsstelle durch eine Ana-Iyse zu bestimmen, daraus dann zu berechnen, wie viel der ursprünglichen Lösung sich aus diesen ergiebt, und diese Menge von dem Gefundenen abzuziehen; als Rest wird man immer die Bestandteile von Säure und Sauerstoff finden, welche dem an der Kathode abgeschiedenen Metalle aqui-Valent sind.

§. 101.

Elektrolyse zusammengesetzter Verbindungen. In dem Bisherigen haben wir nur die Elektrolyse von Verbindungen betrachtet, welche aus gleichen Äquivalenten ihrer Bestandteile zusammengesetzt sind. Faraday glaubte¹), daß nur diese überhaupt durch den Strom zersetzt werden könnten. Das hat sich indes nicht bestätigt, indem es gelungen ist, eine Anzahl zusammengesetzter Verbindungen durch den Strom zu zersetzen.

Faraday, Experimental researches. VII. ser., besonders art. 829 u. 830.
 Poggend. Ann. Bd. XXXIII.

Häufig jedoch treten durch sekundäre Aktionen Erscheinungen auf, welche vielfach für eine direkte Zersetzung durch den Strom gehalten sind, und es ist in manchen Fällen schwierig zu entscheiden, ob man eine direkte Zersetzung des Stromes, oder eine Zersetzung infolge solcher chemischer Aktionen vor sich hat.

So lässt es sich bei der Elektrolyse der Sauerstoffsäuren nur schwisig unterscheiden, ob man primäre oder sekundäre Aktion vor sich hat.

Bei der Elektrolyse von Schwefelsäure $(H_2 SO_4)$ entwickelt sich an der positiven Elektrode Sauerstoffgas, an der negativen sehr wenig Wasserstoffgas, meist Schwefel und etwas Schwefelwasserstoffgas. Wenn men eine Lösung von Schwefelsäureanhydrid in Schwefelsäure elektrolysiert, werhält man dieselben Resultate und, wenn nicht mehr als 3 Teile SO_3 auf 1 $H_2 SO_4$ gelöst ist, schweflige Säure.

Diese Zersetzung der Schwefelsäure ist jedenfalls sekundär, sie wird nach der Form $H_2 + SO_4$ zersetzt, und der frei werdende Wasserstoff redziert aus einem anderen Teile der Säure Schwefel, oder aus dem gelösten

Schwefelsäureanhydrid schweflige Säure.

Wird in der Schwefelsäure eine noch größere Menge Säureanhydrid aufgelöst, so ist nach den Versuchen von Geuther 1) das Resultat der Elektrolyse nur Sauerstoff an der Anode und Schwefel an der Kathode. Geuther glaubt deshalb, daß in diesem Falle wirklich das Schwefelsäureanhydrid in S und O_3 zerlegt wäre, da, wenn die Reduktion wie vorher stattgefunden hätte, schweflige Säure hätte auftreten müssen.

Wasserfreie schweflige Säure leitet den Strom nicht und ist auch nicht zersetzbar; in Wasser gelöst wird sie sekundär durch den frei werdesden

Wasserstoff unter Abscheidung von Schwefel zerlegt²).

Borsäure, Phosphorsäure werden ebenfalls nicht zersetzt, indes tretes auch hier, wenn sie in wässeriger Lösung dem Versuche unterworfen werden, durch den frei werdenden Wasserstoff Reduktionen ein³); gleiches gilt auch wohl von der Chromsäure, von welcher indes Geuther eine direkte Zersetzung annimmt⁴).

Bei der Elektrolyse der Salpetersäure wird ebenfalls nur das Wasser zersetzt, indes kann auch dort durch den Wasserstoff an der Kathode eine

Reduktion eintreten b).

Dagegen ist für eine Anzahl von nicht aus gleichen Äquivalenten resammengesetzten Haloidsalzen und Sauerstoffsalzen die direkte Zersetzung durch den Strom nachgewiesen worden.

Es würde zu weit führen, die einzelnen von den verschiedenen Porschern, insbesondere von Daniell und Miller⁶), Buff⁷), Becquerel⁸) und

1) Geuther, Liebigs Ann. Bd. CIX.

3) Davy, Philosophical Transactions for 1807. Gilberts Ann. Bd. XXVIII

4) Geuther, Liebigs Ann. Bd. XCIX.

5) Schönbein, Poggend. Ann. Bd. XLVII.
 6) Daniell und Miller, Philosophical Transactions for 1844. Poggend. Ann. Bd. LXIV.

7) Buff, Liebigs Ann. Bd. CX.

²⁾ Faraday, Experimental researches. VII. ser. art. 755 ff. Poggend. Am. Bd. XXXIII. Bleekrode, Wiedem. Ann. Bd. III.

⁸⁾ Becquerel, Ann. de chim. et de phys. III. Série T. XI.

Hittorf¹) erhaltenen Resultate durchzugehen, es genüge daher an einzelnen

Beispielen.

Kupferchlorur Cu₂ Cl₂ sowohl geschmolzen als in Salzshure gelöst zerfallt in Kupfer und Chlor, und zwar wird auf ein Molekul Wasser H2O im Voltameter ein Molekül Chlorür zerlegt. An der Anode erscheinen also die den im Voltameter auftretenden zwei Atomen H äquivalenten zwei Atome Chlor, an der Kathode zwei Atome Kupfer. Die Zersetzung findet also derart statt, wie wenn das Kupfer ein einwertiges Metall wäre.

Eisenchlorid Fe_2Cl_6 , Aluminiumchlorid Al_2Cl_6 zerfallen in Metall und Chlor; auf ein Molekül Wasser wird ein Drittel Molekül Salz zerlegt. Auf ein Atom Wasserstoff im Voltameter erscheint also an der Anode ein Atom Chlor, an der Kathode 1/3 Atom Eisen. Eisen und Aluminium werden darnach in diesen Verbindungen so zersetzt, dass je zwei Atome der Metalle sechswertig erscheinen, als wenn somit die Metalle dreiwertig wären.

Zinnchlorid $SnCl_4$ zerfällt nach Becquerel in Sn und Cl_4 , so daß also auf zwei Moleküle Wasser ein Molekül des Salzes zersetzt wird. Während bei der Elektrolyse des Chlorzinns Sn Cl, für jedes Molekül Wasser ein Molekül Salz zersetzt wurde, das Zinn also zweiwertig erschien, tritt 08 hier als vierwertiges Metall auf, ein Atom Zinn ist äquivalent vier Atomen Wasserstoff.

Hittorf dagegen nimmt an, daß das Zinnchlorid schon bei der Lösung in Zinnsäure Sn O2 und 4 HCl zerfällt, dass dann nur die Chlorwasserstoffsaure elektrolysiert und durch die frei werdenden vier Atome Wasserstoff ein Molekül Zinnsäure reduziert werde. Er folgert das daraus, daß nach der Elektrolyse die Lösung an der Kathode inklusive dem ausgeschiedenen Zinn merklich dieselbe Quantität Zinn enthielt wie vor der Elektrolyse.

Becquerel glaubte aus den angegebenen und einigen anderen Resultaten schließen zu können, daß die Zersetzungen dieser zusammengesetzten Verbindungen stets so vor sich gingen, daß die auf ein Molekül Wasser zersetzte Salzmenge die äquivalente Menge des elektronegativen Bestandeiles wie in den angegebenen Fällen zwei Atome Clor lieferte.

Dieser Satz bestätigte sich indes nicht bei der Elektrolyse der Sauer-Stoffsalze, welche auf ein Äquivalent Basis mehr als ein Äquivalent Säure enthalten.

So liefert nach Wiedemann²) neutrales und basisches essigsaures Kupferoxyd bei der Elektrolyse die gleiche Menge Kupfer, so daß also hier nur ½ Äquivalent Essigsäure frei wird. Gleiches gilt nach Hittorf von den verschiedenen phosphorsauren Salzen. Die normalen Salze der verschiedenen Phosphorsäuren werden je nach der Basicität der Säuren einfach dem Faradayschen Gesetz entsprechend zerlegt, wenn wir beachten, daß ein Molekül einer Säure soviel Atomen Wasserstoff äquivalent ist, als es vertretbare Wasserstoffatome enthält. Darnach liefert das Salz der einbasischen Metaphosphorsäure Na PO3 auf ein Atom Wasserstoff im Voltameter an der Kathode ein Atom Natrium, an der Anode ein Molekül Phosphosäure nach dem Schema:

Hittorf, Poggend. Ann. Bd. CVI.
 Wiedemann, Galvanismus Bd. I §. 224. 1. Aufl.

$$2 Na PO_3 = 2 Na + 2 PO_3$$
 primär,

$$2 Na + 2 H_2 O = 2 Na H O + 2 H_1 + 2 PO_3 + H_2 O = 2 H PO_3 + O$$
 sekundar.

Das pyrophosphorsaure Natron $Na_4P_2O_7$ ist dem vierbasischen Charakter der Säure entsprechend zwei Molekülen Wasser äquivalent; in der That werden auf zwei Moleküle Wasser im Voltameter ein Molekül Salz zersetzt, auf jedes im Voltameter abgeschiedene Atom Wasserstoff erscheint an der Kathode ein Atom Natrium. Die Zersetzung geschieht nach dem Schema

primär
$$Na_4 P_2 O_7 = 4 Na + P_2 O_7$$

sekundär an der Kathode $4 Na + 4 H_2 O = 4 Na HO + 4 H$
, , , Anode . $P_2 O_7 + 2 H_2 O = H_4 P_2 O_7 + 2 O$.

Das normale orthophosphorsaure Natron $Na_3\,PO_4$ enthält gemäß dem dreibasischen Charakter der Orthophosphorsäure drei Atome Natrium, welche äquivalent sind drei Atomen Wasserstoff; zwei Moleküle Salz sind somit äquivalent drei Molekülen Wasser. Demgemäß findet auch die Zersetzung statt, für jedes Atom Wasserstoff im Voltameter tritt ein Atom Natrium an der Kathode auf, oder auf drei Moleküle Wasser werden zwei Moleküle Salz zersetzt.

Abweichend ist das Verhalten des sogenannten neutralen und sauren orthophosphorsauren Salzes; bei der Zersetzung dieser Salze giebt sich der dreibasische Charakter der Säure nicht zu erkennen, dieselbe scheint vielmehr bei dem ersten Salze zweibasisch, bei dem letztern sogar einbasisch Das neutrale phosphorsaure Salz $Na_2 HPO_4$ zerfällt nämlich bei der Elektrolyse in Na_2 an der Kathode und HPO_4 an der Anode, und zwar wird für jedes Molekül Wasser in dem Voltameter ein Molekül Salz zersetzt, auf jedes Atom Wasserstoff an der Kathode des Voltameters erscheint in der Lösung ein Atom Natrium an der Kathode, ein halb Molekül Säure an der Anode. Auf das Molekül Wasser H_2 0 bezogen ist das Schema der Zersetzung:

primär
$$Na_2 H PO_4 = 2 Na + H PO_4$$

sekundär an der Kathode $2 Na + 2 H_2 O = 2 Na H O + 2 H$
, , , Anode . $H PO_4 + H_2 O = H_3 PO_4 + O$.

Das saure phosphorsaure Natron $Na\ H_2\ PO$ -zerfällt so, wie wenn die Phosphorsäure nur ein vertretbares Wasserstoffatom enthielte, welches in dem Salz durch Natrium vertreten ist, in Na an der Kathode und $H_2\ PO$ an der Anode, für jedes Molekül Wasser werden also zwei Moleküle Salz zersetzt.

Bei der Zersetzung der verschiedenen orthophosphorsauren Salze, wenn sie sich gleichzeitig im Stromkreise befinden, tritt also stets die gleiche Menge Metall an der Kathode auf, die Mengen der Phosphorsaure an der Anode verhalten sich dagegen wie 1:2:3.

Doppelsalze zerfallen nach Hittorf in der Weise, daß eins der Metalle an der Kathode frei wird, der Rest an der Anode; so zerfällt Cyansilberkalium Ag Cy + KCy bei der Elektrolyse nach dem Schema

n ist Kalium, das Anion Cyansilber plus Cyan. Es folgte is die Flüssigkeit an der Kathode mit dem ausgeschiedenen en ein Atom Silber weniger als Kalium enthielt, d. h. dass e sich die Bestandteile von

$$(AgCy + KCy) + K$$

an der Kathode ausgeschiedene Silber ist also ein sekunherrührend von der Reduktion eines Atoms Silber durch ene Kalium.

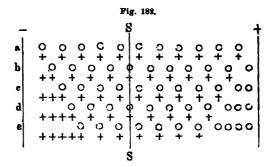
Erfahrungen zeigen, dass im allgemeinen auch bei den komindungen das Faradaysche Gesetz seine Gültigkeit behält, i ja auch die neuere Chemie thut, annimmt, dass einzelnen en verschiedenen Verbindungen eine verschiedene Wertigkann, und ebenso einzelnen Säuren in den verschiedenen eschiedene Basicität. Von den Metallen sind es vorzugsınd Eisen, bei denen auch die Chemie Cuproverbindungen indungen, Ferroverbindungen und Ferridverbindungen unteren Cuproverbindungen ist das Kupfer chemisch und elekertig, oder genauer gesprochen, je zwei Atome Kupfer ermen zweiwertig, in den Cupridverbindungen ist jedes einpfer zweiwertig, deshalb scheidet sich aus Kupferchlorür enge Kupfer ab wie aus dem Chlorid. Ähnlich ist es bei e Chemie setzt das Eisen vierwertig und nimmt in den gen zwei Atome Eisen an, welche sich mit je zwei Veren vereinigt haben, so dass die zwei verbundenen Atome Verbindungseinheiten besitzen; in den Ferridverbindungen i Atome Eisen sich mit je einer Verbindungseinheit vernoch sechs Verbindungseinheiten frei bleiben. Es bleihen derroverbindungen für jedes Atom Eisen zwei, in den Ferı drei Verbindungseinheiten frei, dem entsprechend treten rerbindungen bei der Elektrolyse für jedes Atom Wasserden Ferridverbindungen drei Atome Eisen hervor. Ähnlich : Zersetzung von Zinnehlortir und Zinnehlorid auffassen.

an diesen wenigen Andeutungen, ein genaueres Eingehen en würde uns zu weit auf das Gebiet der Chemie führen.

§. 102.

ngen der Ionen. Untersucht man nach der Elektrolyse it die an der Anode und Kathode befindliche Flüssigkeit für man an der Anode außer neutraler Flüssigkeit oder deren in Äquivalent des elektronegativen, an der Kathode dautraler, d. h. unzersetzter Lösung ein Äquivalent des elektro-Es ergiebt sich das aus den sämtlichen bisher itersuchungen, nach denen an der Kathode sich ein Äquitropositiven, an der Anode ein Äquivalent des elektronegailes abscheidet.

man nun nach der Elektrolyse den Gehalt der Flüssigkeiten Elektroden mit dem Gehalte an den verschiedenen Bestandteilen vor der Elektrolyse, so sollte man daraus schließen, daß die sigkeit an der Anode ein halbes Äquivalent des elektronegativen, si Kathode aber ein halbes Äquivalent des elektropositiven Bestandteiles enthalten müsse als vor der Elektrolyse. Denn daß an der Anod Äquivalent des negativen Bestandteiles frei wird, das scheint am einfac daher zu rühren, dass von der Anode ein halbes Äquivalent des pos Bestandteiles gegen die Kathode hin, dagegen von der Kathode ein b Äquivalent des negativen Bestandteiles gegen die Anode her gewa Nur durch eine solche entgegengesetzte Bewegung der Ionen i nämlich möglich, dass die Bestandteile an den Elektroden frei we d. h. dass bei der Elektrolyse eines neutralen Salzes z. B. an dens der Überschuss von einem Äquivalente des einen Ions über die Bes teile der neutralen Lösung vorhanden sein kann. Ohne hier schor die Theorie der Elektrolyse näher einzugehen, werden wir uns den gang bei derselben in einer Reihe von Molekülen am besten so de können, dass die einzelnen Ionen sich in derselben an einander vo schieben. Sei z. B. Fig. 182 a eine Reihe von Molekülen zwischen



Elektroden vor der Elektrolyse, etwa Chlorkupfer, in welcher die K den negativen Bestandteil, die Kreuze den positiven Bestandteil bezeich Es beginne nun der Strom die Flüssigkeit zu durchsetzen, so ist die fachste Vorstellung, die wir uns von der Elektrolyse machen können, die positive Elektrode die negativen, die negative dagegen die posit Wie die Reihen b, c, d, e zeigen, werden so Bestandteile anziehe. positiven Bestandteile in der ganzen Reihe immer mehr nach links die negativen um ebensoviel nach rechts gezogen; so treten an den I troden nach und nach 1, 2, 3, 4 Moleküle der Ionen frei auf. Spi wir die Flüssigkeit an irgend einer Stelle durch SS, so dass z. B. fünf unzersetzte Moleküle an der negativen, sechs an der positiven! sich befinden, und untersucht man nach der Elektrolyse in der B die Bestandteile rechts und links von SS, so findet man, dass wäh an jeder Elektrode sich vier Molektile ausgeschieden haben, an jeder der Spaltungsstelle zwei Moleküle mehr vorhanden sind, als vor der I trolyse sich dort fanden.

Würde nun die positive Elektrode in unserem Falle von Kupfer so würde alles entwickelte Chlor mit dem Kupfer sich zu Kupferch verbinden; dann würde also die Flüssigkeit rechts von der Spal

723

ige dieser Lösung der positiven Elektrode acht Molektile Kupferchlorid alten, während die Flüssigkeit links von S neben den vier ausgeedenen Kupferatomen nur drei Molektile Kupferchlorid besäße. Die ing an der Anode müßte also konzentrierter, an der Kathode aber lünnter werden.

Dass diese Änderung in der Konzentration der Flüssigkeit insolge Elektrolyse in der That eintritt, das lässt sich leicht erkennen. Elekysiert man ein Kupfersalz, so dass die Elektroden sich vertikal über nder besinden, nimmt die untere Elektrode als Anode von Kupfer, so t eine Änderung der Farbe sosort, wie die Lösung unten konzentrierter 1, während die Entsärbung der Flüssigkeit an der Kathode die Vernung dort anzeigt. Stellt man den Apparat umgekehrt, so dass die seranode die obere wird, so sieht man deutlich, besonders wenn die de ein Draht oder ein Konus ist, wie die konzentriertere Flüssigkeit absinkt 1).

Verhindert man diesen direkten Austausch der verschieden konzenten Flüssigkeiten, indem man die Anode unten nimmt, und in manchen en durch Anwendung einer passenden Elektrode bewirkt, daß die gebildete Lösung unter die Anode hinabsinkt (Hittorf), oder wendet den Apparat von Daniell oder Wiedemann an, so kann man die seigkeiten an beiden Seiten einer unveränderten Spaltungsstelle anaren und indem man den Gehalt derselben an den betreffenden Bedteilen bestimmt, untersuchen, welcher Bruchteil des durch die Elektroabgeschiedenen Äquivalents des betreffenden Ions sich an der einen anderen Seite der Spaltungsstelle mehr befindet als vorher.

Der erste, welcher derartige Versuche anstellte, war Daniell²); er dte zu denselben den von uns beschriebenen Apparat an. Bei denen stellte sich heraus, daß niemals ein halbes Äquivalent des auschiedenen Stoffes an jeder Elektrode sich mehr fand als vorher, sonan der einen Elektrode nur ein gewisser Bruchteil des einen Ions, der anderen dann soviel des anderen Ions, als notwendig war, um die ch Fortwanderung des ersteren frei gewordene Menge zu einem Äquient zu ergänzen.

Die ausführlichsten Untersuchungen über diesen Gegenstand sind von torf³) angestellt; er fand allgemein, daß fast nie an der Kathode ein bes Äquivalent des Kations, an der Anode ein halbes Äquivalent des ons mehr war, sondern daß die Austauschungen immer in anderen hältnissen stattfanden. Wurde an der Kathode ein Äquivalent des ions, an der Anode ein Äquivalent des Anions abgeschieden, so fand an der Anode nur gegen früher mehr $\frac{1}{n}$ Äquivalent, an der Kathode egen $1 - \frac{1}{n} = \frac{n-1}{n}$ Äquivalent des Kations. An der Anode war

das eine Äquivalent Anion dadurch frei geworden, das $\frac{1}{n}$ Äquivalent

¹⁾ Magnus, Poggend. Ann. Bd. CII.

Daniell, Poggend. Ann. Ergänzungsband I.
 Hittorf, Poggend. Ann. Bd. LXXXIX, XCVIII und CVI.

von der Kathode herüber und $\frac{n-1}{n}$ Äquivalent Kation zur Kathode hüber gewandert war.

Wir stellen in folgender Tabelle einige von den vielen Angab Hittorfs zusammen; die erste Kolumne enthält die Namen der untersucht Salze, die zweite die Menge Wasser auf ein Gramm Salz, die dritte Bruchteilen des ausgeschiedenen Äquivalents die Menge des Kations, welt an der negativen Elektrode mehr ist als vorher, die vierte das gleit für das Anion.

N	Wasser	Übergeführtes		
Name der Salze	auf 1 Gr. Salz	Kation	Anion	
Chlornatrium	3,472	0,352	0,648	
"	20,706	0,366	0,634	
"	104,76	0,372	0,628	
33	320,33	0,378	0,622	
Jodnatrium	22,053	0,374	0,626	
Schwefelsaures Natron	11,769	0,359	0,641	
Salpetersaures Natron	2,994	0,400	0,600	
Essigsaures Natron	2,807	0,585	0,415	
Chlorkalium	4,845	0,484	0,516	
Jodkalium	2,722	0,508	0,492	
Schwefelsaures Kali	11,837	0,500	0,500	
Salpetersaures Kali	4,621	0,521	0,479	
Essigsaures Kali	1,304	0,676	0,324	
Chlorbarium	3,629	0,336	0,664	
. 22	126,7	0,390	0,610	
Salpetersaurer Baryt	16,231	0,359	0,641	
Chlorkalcium	1,697	0,220	0,780	
Jodkalcium	1,318	0,269	0,732	
Salpetersaurer Kalk	1,419	0,282	0,718	
Schwefelsaures Zinkoxyd	2,524	0,222	0,778	

Es zeigt sich also fast durchgängig, mit wenigen Ausnahmen, wo besonders die Essigsäure gehört, daß an der Anode mehr als ein halb Äquivalent auftritt, an der Kathode weniger. Im übrigen hängen d übergefürten Mengen ab von der Natur der Salze, so daß z. B. im Chlo kalcium mehr Chlor übergeführt wird als im Chlornatrium oder Chlo kalium. Ebenso hängen die Überführungen ab von der Konzentration d Flüssigkeit.

§. 103.

Elektrische Endosmose. Elektrolysiert man eine Flüssigkeit in eine dem Daniellschen ähnlichen Apparate, so daß also zwischen den beide Elektroden innerhalb der Flüssigkeit ein poröses Diaphragma, eine tierisch Membran oder eine poröse Thonwand sich befindet, so zeigt sich ein mechanische Wirkung des Stromes, welche wir schon hier erwähnen massen.

Beziehung zu der Elektrolyse gebracht hat. Zuerst Reuss¹) et²) haben beobachtet, dass die von dem Strome durchkeit durch die poröse Wand mit hindurchgeführt wird, gkeit an der Kathode an Volumen zunimmt, an der Anode blumen abnimmt.

ze dieser Erscheinung sind besonders von Wiedemann³) und incke⁴) studiert.

omen zeigt sich um so besser, je schlechter die Flüssigkeit Vasser wird am stärksten übergeführt; Quecksilber bewegt daß es nach Wiedemann scheint, als ob nur solche Flüssigtiert würden, welche elektrolysiert werden können.

suchung dieser Erscheinung wandte Wiedemann den Apparat Auf einen unten geschlossenen, porösen Thoncylinder a war kleine tubulierte Glocke c gekittet, in deren Öffnung ein

Rohr d mit seitlichem angesetzt war. Im tand ein Cylinder c ch oder Platinblech. ng ein Draht f zum einer kräftigen gal-. Der Draht war in eren Teil der Glocke fügtes Glasrohr einerhalb war der Thonnem zweiten mit dem verbundenen Blecheben. Der ganze Apeinem weiteren Glaslcher ebenso wie der it Wasser oder einer keit gefüllt war. Die Stromes wurde an



neter gemessen.
Säule geschlossen war, stieg die Flüssigkeit im Thoncylinder sflusrohr. Es wurde nun entweder die ausfließende Flüsm Gefäße aufgefangen und gewogen, oder die Öffnung dlicht geschlossen und das Ende des Ausflußrohres mit dem verbunden und die Druckhöhe des Quecksilbers beobachtet, teres Überfließen aus der positiven in die negative Zelle

i die Intensität des Stromes, m die in einer Viertelangene Flüssigkeit, so fand sich bei zwei Versuchsreihen

iehe Wiedemanns Galvanismus Bd. I. §. 392. 2. Aufl. Poggend, Ann. Bd. XII. ann., Poggend, Ann. Bd. LXXXVII. Poggend, Ann. Bd. CXIII.

I. Wasser.			II. Kupfervitriollösun					
i	m	<u>m</u> i	i	m	- - 1 - 1			
144	17,77 Gr.	0,123	106	2,48 Gr.	0,0234			
108	13,26 "	0,123	101	2,32 ,,	0,0230			
83	10,59 ,,	0,127	93	2,11 ,,	0,0226			
60	7,46 ,,	0,124	65	1,49 ,,	0,0229			
48	5,89 ,	0,123	53,5	1,25 ,,	0,0233.			
36	4,47 ,,	0,124	•		•			
29	3,38 ,	0,117						

Es wurde nun der Thoncylinder durch Bestreichen mit Firnis zu Teil für Flüssigkeit undurchdringlich gemacht. Als noch übrig waren:

0,75	der	Oberfläche,	war	für	Wasser · · ·	m i	=	0,122
0,375	77	"	"	"	"	"		0,124
0,1875	"	77	"	"	77	"	=	0,110
0,0937	"	"	"	"	_ **	"		0,110
0,66	"	"	77	17	Kupferlösung	"		0,0231
0,333	"	11	"	"	"	"		0,0235
0,166	"	"	"	"	"	"		0,0228
0,0833	"	"	"	,,	77	"	=	0,0231

Wurde die Dicke des Thoncylinders durch Abschaben vermindert, ergab sich ebenfalls für den Quotienten $\frac{m}{i}$ derselbe Wert.

Die Menge der transportierten Flüssigkeit ist also der Stromstär proportional, von der Größe der Oberfläche des Diaphragmas und inne halb der Grenzen des Versuches auch von der Dicke des Diaphragm unabhängig.

Die Menge der übergeführten Flüssigkeit hängt jedenfalls ab i der Reibung der Flüssigkeit in der Thonwand; um ein davon unabhänge Maß dieses Vorganges zu erhalten, wurde die Druckhöhe bestimmt, welcher das Überfließen der Flüssigkeit aufhörte. Es fand sich, daß ein und demselben Thoncylinder die Druckhöhe, welche dazu erforden ist, der Stromstärke und Dicke des Diaphragmas direkt proportional, gegen der Oberfläche umgekehrt proportional ist. Folgende Zahlen weisen das:

Oberfläche o	Stromstärke i	Druckhöhe in mm Wasserdruck h	$\frac{h}{i}$	$\frac{h}{i} \cdot o$
1	128	176,5	1,38	1,38
1	65,3	89,0	1,36	1,36
1	$26,\!5$	37,5	1,41	1,41
1	13	19,5	1,36	1,36
0,7			1,80	1,26
0,4			3,42	1,37
0,2	-		6,00	1,9

Das	Gesetz	der	Dicke	ergiebt	sich	aus	folgenden	Zahlen:

Dicke der	h	h
Thonward d	i	id
4,3 mm	1,73	0,402
3,8	1,60	0,421
2,8	1,21	0,432

Diese Gesetze sind mit den vorigen über die fortgeführten Flüssignengen, wenn man das Diaphragma als ein System kapillarer Röhren htet, vollständig im Einklang; denn nach den Versuchen von Poiseuille fagen 1) muss, um durch verschiedene Kapillarröhrchen die gleiche gkeitsmenge hindurchzutreiben, der Druck der Anzahl der Kapillar-1, hier also der Größe der Oberfläche umgekehrt proportional sein, änge der Röhre, hier also der Dicke des Diaphragmas, dagegen direkt. Bei Anwendung verschiedener Lösungen von Kupfervitriol, deren igswiderstände bestimmt waren, ergab sich, dass die Druckhöhen h eitungswiderständen direkt proportional sind, wie folgende Zahlen

Gehalt der Lösung	Widerstand	h	h
in Prozenten Salz	r	\overline{i}	ir
16,25	18,0	1,35	0,0750
9,22	27, 0	1,98	0,0733
6,6	32,5	2,44	0,0750
3,4	55,5	3,79	0,0683
1,8	100	6,80	0,0680.

Auf die Wanderungen der Ionen hat diese Überführung keinen Eindenn als Wiedemann bei den Kupferlösungen das zur Kathode überte Kupfer in Bruchteilen des ausgeschiedenen Äquivalents bestimmte²), er dieselben Zahlen, welche Hittof bei gleichen Kupfersalzen ohne ragma gefunden hatte.

Niedemann sah in dieser Fortführung eine direkte mechanische ing des Stromes und glaubte, dass zur Beobachtung dieser Erscheidas poröse Diaphragma nur deswegen erforderlich sei, um die Rückmg der Flüssigkeit infolge des hydrostatischen Druckes zu verhindern. legen diese Annahme ist von mehreren Seiten und ganz insbesondere ogemann und Breda³) eingewandt worden, dass sich ohne Diaphrageiner Flüssigkeit nichts dem Ähnliches zeige, dass sich gar keine ung im Innern der Flüssigkeit beobachten lasse, welche auf eine hrung der Flüssigkeit hindeute. Selbst in kapillaren Röhren lasse eine Fortführung beobachten.

ndes hat früher schon Armstrong4) mit dem Strome seiner Hydroisiermaschine und später Quincke⁵) sowohl mit dem Strome einer

⁾ Man sehe Teil I. Abschnitt II. §. 86. Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. XCIX.

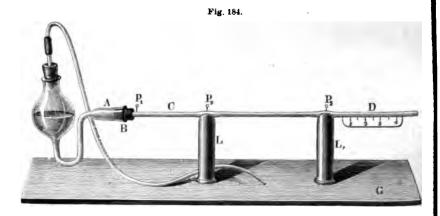
⁾ Logemann und van Breda, Poggend. Ann. Bd. C.) Armstrong, Philosophical Magazin. vol. XXIII. 1834. Poggend. Ann.

⁾ Quincke, Poggend. Ann. Bd. CXIII.

gewöhnlichen Elektrisiermaschine und mit dem Entladungsschlage der Leydener Flasche, als auch mit dem galvanischen Strome die Fortführung ohne Diaphragma beobachtet. Der Apparat, welchen er zu seinen Versuchen anwandte, ist folgender. Ein enges Glasrohr CD Fig. 184, in welches drei Platindrähte P_1 P_2 P_3 eingeschmolzen sind, so daß ihre Spitzen in das Innere der Röhre reichen, ist mit einem Pfropfen in dem weiteren Rohre AB, welches an der anderen Seite eine Kugel trägt, befestigt. Das Rohr ist aus möglichst isolierendem Glase gefertigt und muß vor jedem Versuche auf das sorgfältigste mit Salpetersäure und heißem destilliertem Wasser gereinigt werden. Die Glaskugel wird zum Teil mit Flüssigkeit gefüllt, und ist so groß, daß das Niveau der Flüssigkeit fast gar nicht geändert wird, wenn die Flüssigkeit im Rohre CD sich hin und her bewegt.

Der Apparat wird so auf zwei Säulchen von Siegellack aufgestellt, dass das Rohr *CD* ganz wenig gegen den Horizont geneigt wird, und dann durch Einblasen in den Kautschukschlauch etwas Flüssigkeit in das Rohr hineingedrückt. Dadurch, dass zwei der drei Drähte *P* mit den Leitungsdrähten einer Elektricitätsquelle verbunden wurden, wurde der Flüssigkeitsfaden in den Stromkreis eingeschaltet.

Die Verschiebung der Flüssigkeit wurde an der an dem Apparate befestigten Millimeterskala oder durch ein Mikroskop beobachtet, in welchen



an der Stelle des Fadenkreuzes ein Glasgitter angebracht war. Da mu die Neigung der Röhre CD gegen den Horizont bestimmte, so komme aus der beobachteten Verschiebung die Steighöhe berechnet werden, welche der fortführenden Wirkung des Stromes das Gleichgewicht hielt.

Quincke fand sowohl als er die Flüssigkeitssäule in die den Konduktor einer Elektrisiermaschine mit der Erde verbindende Leitung einschaltete, wie auch als er dieselbe zu einem Teile des Stromkreises einer Leydener Flasche oder einer Batterie von 80 oder 40 Groveschen Elementen machte, daß stets, wenn ein Strom durch die Flüssigkeit gingeine Fortführung derselben stattfand. Für die meisten Flüssigkeiten war die Richtung der Fortführung die des positiven Stromes; bei einer gewissen Sorte Alkohol war sie jedoch entgegengesetzt, und ebenso war sie

entgegengesetzte bei Terpentinöl und einer alkoholischen Auflösung despen, als die innere Röhrenwand mit Schellack bekleidet war. affenheit der Röhrenwand ist somit auf die Fortführung von Einfluss, nso wie die Natur der Flüssigkeit.

Die Steighöhe der Flüssigkeit ist der Stromstärke proportional, wie Wiedemann bei seinen Versuchen über die elektrische Endosmose eben-

Bei verschiedener Länge der vom Strome durchflossenen Flüssigkeitsnicht war die Steighöhe der elektromotorischen Kraft der Kette pro-Letzterer Satz stimmt mit dem Satze von Wiedemann, dass i Steighöhe bei gleicher Intensität i des Stromes dem Widerstande rr Flüssigkeit proportional ist, denn darnach ist

$$h = c i r = c \frac{E}{r} r = c E.$$

Bei Änderung des Querschnittes der Röhre ergab sich, dass trotz der nahme der Stromstärke die Steighöhe abnahm, und zwar war sehr annähert dieselbe dem Querschnitte des Rohres umgekehrt proportional i gleicher elektromotorischer Kraft der Kette. Der Satz ergab sich aus obachtungen in Röhren, deren Durchmesser zwischen 0,376 und 1,990 mm Für die Steighöhe in Röhren mit kreisförmigem Querschnitt ergab h in Millimetern

$$h = \frac{0,00006}{R^2} n,$$

nn n die Anzahl der angewandten Groveschen Elemente war. : Steighöhe in einem Rohr beobachtet, welches gegen die Horizontale 1 den Winkel φ geneigt ist, so wird die Verschiebung υ

$$v = \frac{h}{\sin \varphi} = \frac{0,00006}{R^2 \sin \varphi} n.$$

Der Einfluss der Röhrenwand auf die Fortführung der Flüssigkeit igt sich auch in Bezug auf die Größe der Fortführung sehr deutlich, nn als Quincke die innere Oberfläche der Röhre um ein Bedeutendes durch vermehrte, dass er in die Röhre ein Glasrohr brachte, fand sich i gleichem Flüssigkeitsquerschnitt die Fortführung in diesem ringförigen Rohre um sehr vieles größer als in Röhren von kreisförmigem uerschnitte.

Die Überführung wurde sehr viel kleiner, wenn das Wasser nur geage Mengen eines Salzes gelöst enthielt, welches in der Lösung gut itend war, schon bei der Lösung von 0,1 Prozent Kochsalz war die eighöhe verschwindend klein.

Bei dieser Fortführung der Flüssigkeiten lässt sich auch eine andere wegung infolge des Stromes beobachten, die zuerst von Reuss beachtete, später von Jürgensen²) und ebenfalls von Quincke³) genauer tersuchte Fortführung suspendierter feiner Körperteilchen. Jürgensen bt an, dass in Wasser und wässerigen Lösungen suspendierte feste

Reuss, Mém. de la société impér. de Moscou. t. II. 1807.
 Jürgensen. Reichert und Du Bois-Reymond Archiv. Jahrg. 1860. S. 573 ff.
 Quincke, Poggend. Ann. Bd. CXIII.

Teilchen immer in der Richtung des negativen Stromes fortgeführt werden, sobald ein galvanischer Strom durch die Flüssigkeit fließt. Die Erscheinung wurde bei Teilchen von Kohle, Platin, Kupfer, Eisenoxyd, Kamin u. a. beobachtet, welche in Wasser suspendiert waren. Ein Zusat leitender Substanzen zum Wasser vermindert die Bewegung oder läßt sie ganz aufhören.

Nach Quincke findet fast immer eine doppelte Bewegung statt. Es wurden in dem Wasser des Apparates Fig. 184 Stärkekörnchen suspendiert, und durch Blasen in das Kautschukrohr wurde Wasser mit suspendierten Stärkekörnchen in das horizontal gelegte Rohr CD gedrückt, und darauf, um die soeben untersuchte Fortführung des Wassers zu verhinden, das Gefäss oben fest geschlossen. Liefs man dann den Strom einer Elektrisiermaschine oder einer galvanischen Kette durch die Flüssigkeit gehen, so zeigte sich bei schwachen Strömen eine Bewegung der Stärkekörnchen an der Wand im Sinne des positiven, in der Mitte im Sinne des negativ elektrischen Stromes. Wurde der Strom stärker, so nahm die Bewegung in der Mitte der Röhre an Geschwindigkeit zu, an der Röhrenwand dagegen bewegten sich zunächst die kleineren Körnchen in der Richtung der positiven, die größeren in der Richtung der negativen Elektricität; wurde der Strom noch stärker, so bewegten sich alle Konchen in der Richtung der negativen Elektricität.

Wie die Stärkemehlkörnehen verhielten sich alle im Wasser suspendierten Körper, die Quincke untersuchte, selbst Gase.

In Terpentinöl dagegen bewegen sich die meisten Substanzen umgekehrt, nur Schwefel bewegte sich in demselben ebenso wie im Wasser.

Für die Geschwindigkeit der Fortführung giebt Quincke an, daß se der Stromstärke proportional sei, bei gleicher Stromstärke nimmt sie mit der Dichtigkeit des Stromes zu.

Die doppelte Bewegung der Körnchen erklärt Quincke folgendermaßen. Die Stärkekörnchen bewegen sich nur in der Richtung des negativen Stromes; an der Wand jedoch wird das Wasser in der Richtung des positiven Stromes fortgeführt; in der Mitte fließt dieses fortgeführte Wasser, da es keinen anderen Ausweg hat, wieder zurtick. In der Mitte beobachtet man daher die Summe der eigenen Bewegung der Stärkekörnchen und der Bewegung des Wassers; an der Wand dagegen reißt das Wasser die Körnchen mit sich fort und überwindet deren eigene Bewegung. Bei größerer Stromstärke wird die Bewegung des Wassers an der Wand durch die Reibung verhindert, während die Stärkekörnchen sich frei wie vorber bewegen können; daher werden die Stärkekörnchen sich jetzt rascher im Sinne des negativen Stromes bewegen, und so wird ihre eigene Bewegung sichtbar. Das wird zunächst für die größeren, später auch für die kleineren Körnchen eintreten.

In welcher Weise diese Fortführungen zustande kommen, darüber stellt Quincke folgende Ansicht auf. Bei der Fortführung des Wassers in engen Röhren spielt das Wasser eine doppelte Rolle, einmal als Leiter der Elektricität und dann als Isolator. Als Leiter insofern, als überhaupt ein elektrischer Strom zustande kommt und sich also auf der ganzen freien Oberfläche des Wassers freie Elektricität finden wird, deren Dichtigkeit von Querschnitt zu Querschnitt sich undert. Anderenteils wird

aber ein auf irgend eine Weise elektrisch gewordenes Wasserteilchen nicht augenblicklich seine Elektricität an das folgende abgeben, sondern es wird eine gewisse Zeit versließen, ehe das geschieht.

Ein an der Röhrenwand anliegendes Wasserteilchen wird nun auch durch den Kontakt mit der Röhrenwand positiv elektrisch, und die freie positive Elektricität desselben wird von derselben Kraft, welche den Strom erzeugt, nämlich von der freien Elektricität auf der Oberfläche des Wasserfadens in der Richtung des positiven Stromes fortgetrieben. Da aber das Wasserteilchen von dieser Elektricität sich sofort nicht trennen kann, so wird es selbst in der Richtung derselben, also in der Richtung des positiven Stromes mit fortgezogen. Deshalb sind nur die schlechtleitenden Fltssigkeiten durch den Strom fortzuführen.

Hat man ein im Wasser suspendiertes Teilchen, z. B. ein Stärkekörnchen, so wird auf diesem durch den Kontakt mit dem Wasser negative Elektricität erregt, und da diese von der den Strom erzeugenden Kraft in der Richtung des negativen Stromes fortgeführt wird, so bewegt sich das Stärkekörnchen in der Richtung des negativen Stromes.

Es ist nicht schwierig zu zeigen, wie die angeführten Gesetze mit dieser Theorie übereinstimmen, und überdies hat Quincke die Voraussetzungen derselben direkt geprüft¹).

Wichtig ist es hiernach hervorzuheben, dass die Erscheinung nicht eine einsache mechanische Wirkung des Stromes ist, das sie überhaupt nur in engen Röhren oder bei Anwendung von Diaphragmen zu beobachten ist, da die Elektrisierung der Flüssigkeit durch den Kontakt mit der Röhrenwand zu derselben notwendig ist, denn nur durch diesen Kontakt erhält das Flüssigkeitsteilchen als solches eine gewisse Menge von Elektricität, mit welcher es dann fortgeführt wird. Die Fortführung der Flüssigkeit findet daher nur in der Wandschicht statt, und kann sich nur dann über die ganze Flüssigkeit erstrecken, wenn dieselbe einen so engen Querschnitt hat, das infolge der Kohäsion die übrigen im Innern der Flüssigkeit liegenden Flüssigkeitsfäden mitgezogen werden.

Im Innern der Flüssigkeit ist nur die elektrische Leitung vorhanden, da dort nur die Bestandteile der Flüssigkeiten positiv oder negativ elektrisch sind, nicht die Flüssigkeitsteilchen als solche.

Auf die Bedeutung dieser Erscheinungen für die Elektrolyse werden wir bei Besprechung der Theorie der Elektrolyse hinweisen.

§. 104.

Elektrolyse von Lösungsgemischen. Wenn mehrere Flüssigkeiten mit einander gemischt der Elektrolyse ausgesetzt werden, so scheiden sich bei nicht zu großer Stromstärke nur die Bestandteile des einen Elektrolyten aus; nur wenn die Stromdichtigkeit sehr groß ist, scheiden sich die Bestandteile der verschiedenen Elektrolyte aus.

Das zeigt sich schon bei den Lösungen der Salze in Wasser; bei nicht zu großer Dichtigkeit des Stromes wird nur das Salz zersetzt, es

¹⁾ Eine ausführliche Theorie dieser Erscheinungen hat von Helmholtz, Wiedem. Ann. Bd. VII gegeben. Wir kommen in §. 112 noch darauf zurück,

zeigt sich an der Kathode nur Metall ohne eine Spur von Wasserstoff, bei größerer Dichtigkeit des Stromes scheidet sich dagegen an der Kathode auch Wasserstoff ab. Die Stromdichtigkeit, bei welcher Wasserstoff sich ausscheidet, hängt ab von der Natur und Konzentration der Lösung, je konzentrierter sie ist, um so höher muß die Dichtigkeit des Stromes sein. Bei einer und derselben Lösung ist aber nach den Versuchen von Magnus¹) die Stromdichtigkeit, bei welcher Wasserstoff auftritt, eine gam bestimmte, welche Magnus den Grenzwert nennt. Der Grenzwert hängt nicht ab von dem Abstande des Elektroden.

Für eine ziemlich verdünnte Lösung von schwefelsaurem Kupferoxyd giebt Magnus folgende Werte der Stromintensität an, welche bei der darunter angegebenen Größe der Elektroden neben dem Kupfersalze auch Wasser zersetzte.

Stromstärke	\boldsymbol{J}	58,5	115	172	221	295
Größe der Elektroden	G	10	20	30	40	50
Stromdichte	J G	5,85	5,75	5,73	5,52	5,9.

Die Stromstärke ist also der Größe der Elektroden proportional oder die Dichtigkeit des Stromes ist konstant.

Der Grenzwert wird ein bedeutend kleinerer, wenn die Lösung freie Säure enthält, wenn also neben dem Kupfersalze der besser leitende Elektrolyt $H_2\,SO_4$ in der Lösung vorhanden ist.

Damit indes durch eine solche Vermehrung der Stromdichtigkeit neben der Zersetzung des Salzes eine solche des Wassers eintritt, ist nach einigen Versuchen von Quincke²) notwendig, dass der Strom mit der größeren Dichtigkeit aus den Elektroden in die Flüssigkeit übertritt. Steigert man die Dichtigkeit des Stromes in der Flüssigkeit selbst in sehr hohem Mass, so ist eine Zersetzung des Wassers nicht zu beobachten.

Quincke stellte aus Glasplatten mit Siegellack einen prismatischen Trog von 136 mm Länge, 25 mm Breite und 50 mm Höhe her, der in der Mitte durch eine dünne Glimmerplatte parallel der kleineren Seiter wand in zwei Kammern von gleicher Größe geteilt war. Beide Kammen standen nur durch ein ganz kleines Loch von etwa 0,2 mm Durchmessen in Verbindung und waren bis zu 42,5 mm Höhe mit reiner konzentrierter Kupfervitriollösung gefüllt. Der Strom einer Kette von 77 Groveschwe Elementen wurde durch zwei auf der Rückseite mit geschmolzenem Siegellack überzogene Kupferplatten, welche gleiche Größe wie die kleinen Seitenwände des Glastrogs hatten und diesen parallel standen, in die eine Kammer ein- und aus der andern Kammer hinausgeleitet.

Der elektrische Strom flos also innerhalb zweier Kegel mit rechteckiger Basis, deren Spitzen in der Öffnung des Glimmerblattes zusammenstießen; die Stromdichtigkeit war somit um so größer, je näher der Querschnitt des kegelförmigen von der Kupfervitriollösung gebildeten Stromleiters der Öffnung der Glimmerplatte lag.

Magnus, Elektrolyt. Untersuch. §. 36 ff. Poggend. Ann. Bd. CII.
 Quincke, Poggend. Ann. Bd. CXLIV.

Trotzdem der Strom in der Nähe der Glimmerplatte eine äußerst große Dichtigkeit hatte, ließ sich doch nirgendwo die geringste Wasserzersetzung erkennen. Sobald aber als Kathode ein Kupferdraht angewandt wurde, dessen Oberfläche bedeutend größer war als die Öffnung in dem Glimmerblatte, zeigte sich eine reichlichere Entwicklung von Wasserstoff.

Ebenso zersetzt der Strom, wenn das Wasser mehrere Salze gelöst enthält, unterhalb eines gewissen Grenzwertes der Dichtigkeit nur ein Salz. Ist schwefelsaures Kupfer und schwefelsaures Silber in derselben Flüssigkeit enthalten, so scheidet sich bei einem gewissen Verhältnisse der gelösten Salze und innerhalb gewisser Grenzen der Stromdichte nur Silber aus; wird die Menge des Silbers kleiner oder die Stromstärke größer, so fällt auch Kupfer nieder. Dasselbe ist der Fall, wenn neben Kupfervitriol salpetersaures Silber, oder Chlorsilber neben Kupferchlorid in Ammoniak gelöst, in der Flüssigkeit sich findet.

Im allgemeinen hat sich herausgestellt, daß die Reihenfolge, in welcher mehrere Metalle, welche zugleich gelöst sind, durch den Strom gefällt werden, dieselbe ist wie die, in welcher die Metalle selbst sich fällen. So fällt z. B., wenn zwei Metalle aus folgender Reihe zugleich gelöst sind, das voranstehende immer zuerst nieder:

Gold, Silber, Wismut, Kupfer, Zinn, Blei, Kadmium, Zink.

Wie man weifs, werden aber vom Zink alle diese Metalle, vom Kadmium alle aufser Zink aus ihren Lösungen auch ohne Strom gefällt.

Von wesentlichem Einflus ist indes auf diese Fällungen der negative Bestandteil, mit welchem sie in den Salzen verbunden sind. Ist Kupfer und Zink in Cyankalium gelöst, hat man z. B. eine Lösung zweier Salze dieser Metalle mit Cyankalium versetzt, so ist das Resultat der Elektrolyse Messing, während sonst aus einem Gemische zweier solcher Salze immer zuerst Kupfer fällt!).

Über den Grund dieser Erscheinungen kann man doppelter Ansicht sein. Magnus glaubt²), daß es für die verschiedenen Substanzen verschiedener elektrischer Einwirkung bedarf, um sie in ihre Bestandteile zu zerlegen, oder daß es für jeden Elektrolyten, der mehrere zersetzbare Substanzen enthält, eine Grenze giebt, bei welcher nur die eine dieser Substanzen zersetzt wird, und daß erst, wenn diese Grenze überschritten wird, auch die Zersetzung der zweiten Substanz beginnt.

Hittorf³) dagegen sieht diese Erscheinung als nur durch sekundäre Aktionen bestimmt an. Er glaubt, daß der Strom nach den Gesetzen der Zweigströme sich zwischen den Elektrolyten nach Maßgabe ihrer Leitungsfähigkeit teile. Ist Wasser der zweite Elektrolyt, so bedarf es wegen der geringen Leitungsfähigkeit desselben einer bedeutenden Stromdichtigkeit, daß auch Wasserstoff auftritt. Bei den anderen Elektrolyten jedoch, deren Leitungsfähigkeit nahezu dieselbe ist, werden bei jeder Stromstärke beide gefällt. Wenn indes das eine Metall durch den Stromabgeschieden ist, fällt es sekundär, indem es sich selbst löst, eine äqui-

¹⁾ Magnus, a. a. O. §. 24 ff.

²⁾ Magnus, a. a. O. §. 30 und Elektrol. Untersuchungen. II. Teil. Poggend.

³⁾ Hittorf, Poggend. Ann. Bd. CIII. S. 48.

valente Menge des anderen aus. So fällt Zink Kupfer aus, wie es das aus jeder Lösung thut, deshalb kann kein Zink an der Kathode erscheinen. Nur wenn die Dichtigkeit des Stromes eine sehr große ist, oder die Lösung soviel Zink enthält, daß das an der Kathode momentan abgeschiedene Zink in seiner Umgebung nicht hinreichend Kupfer findet, kann das Zink sich ausgeschieden halten.

Hittorf hat diese Ansicht durch folgenden Versuch zu beweisen gesucht. Eine Lösung, gemischt aus Chlorkalium und Jodkalium, wurde zusammen elektrolysiert; an der Anode erschien nur freies Jod, da allenfalls elektrolytisch abgeschiedenes Chlor sofort eine äquivalente Menge Jod deplaziert hätte. Wäre aber nur das Jodkalium elektrolysiert worden, so hätte sich an der Anode nur eine Zunahme der Jodmenge, nicht aber der Chlormenge finden können; das Verhältnis von Chlor und Jod hätte also nach der Elektrolyse ein ganz anderes sein müssen als vorher. Es war aber dasselbe geblieben und blieb dasselbe, als man Ströme verschiedener Stärke anwandte, und als man die Salze in verschiedenen Verhältnisse mischte.

Auch Buff hat sich für die letztere Ansicht erklärt¹) und sie na beweisen gesucht, indem er durch ein Gemenge von Salzsäure und wenig Schwefelsäure Ströme sehr verschiedener Stärke leitete; es fand sich immer in 100 ccm an der Anode ausgeschiedenen Gases dieselbe Sauerstofmenge, so dass sich also der Strom immer in gleichen Verhältnisse zwischen dem angesäuerten Wasser und der Salzsäure geteilt hatte.

Wenn man mehrere Lösungen hinter einander einschaltet, also z B. in dem Apparate von Daniell das eine Gefäs mit schwefelsaurem Natrondie Verbindungsröhre mit Wasser, das zweite Gefäs mit Salmiaklösung füllt, so wird jede Lösung für sich elektrolysiert und die Grenzstelle is für jede die Elektrode. Wenn nun das an der Grenze frei werdende len sich in der angrenzenden Flüssigkeit lösen, und dort mit einem Bestandteile zu einem Elektrolyten verbinden kann, so wird es auch dort wieder als Ion auftreten und so zu der anderen Elektrode hinwandern könnet. Steht in obigem Beispiel die Kathode in dem schwefelsauren Natron, die Anode im Salmiak, so wird man schließlich an der Kathode Natron und Ammoniak finden, an der Anode dagegen Schwefelsäure, freies Chlor und Chlorwasserstoffsäure.

Hätte man dagegen an der Kathode schwefelsaures Kali, in der Verbindungsröhre verdünnte Schwefelsäure, an der Anode Chlorbarium, würde keine Schwefelsäure an der Anode auftreten, da an der Grenze der Bariumlösung und der Schwefelsäure die ausgeschiedenen Ionen sich ser fort zu dem unlöslichen schwefelsauren Baryt verbunden hätten.

In ähnlicher Weise erklären sich alle Erscheinungen bei dieser in ordnung, es wird daher überflüssig sein näher darauf einzugehen.").

§. 105.

Chemische Wirkung der Reibungselektricität. Nachdem wir die chemischen Wirkungen der Elektricität vollständig kennen gelernt haben.

¹⁾ Buff, Elektrolyt. Studien. Liebigs Ann. Bd. CV.

²⁾ Man sehe Wiedemann, Galvanismus Bd. I. §. 386 ff. 2. Aufl.

men wir die an einer anderen Stelle erwähnten chemischen Wirkungen Reibungselektricität ergänzen und untersuchen, ob die Wirkungen der-

ben gleich denen des galvanischen Stromes sind.

Eine Zersetzung des Wassers durch den Entladungsschlag der Leydener ische hat zuerst Paets van Troostwyck nachgewiesen1), indem er Gold-Inte, welche in einigem Abstande im Wasser einander gegenüberstanden, t den Belegungen einer Leydener Flasche verband und die Entladungen r Flasche durch das Wasser gehen liefs. Es sammelte sich über dem asser Gas an, welches als Knallgas erkannt wurde.

Später hat Wollaston²) das Wasser durch den von dem Konduktor ner Elektrisiermaschine zu dem Reibzeuge fließenden Strom zersetzt, dem er möglichst kleine Elektroden, sogenannte Wollastonsche Spitzen wandte. Sehr feine Golddrähte mit einer scharfen Spitze wurden in aarröhrchen eingeschmolzen, so dass nur die äussersten Spitzen sichtbar eben. Die beiden Spitzen wurden sich in Wasser gegenübergestellt d die eine mit dem Reibzeuge, die andere mit einer Kugel verbunden, elche dem Konduktor der Maschine beliebig genähert werden konnte; is man Funken überspringen, so stieg von den Spitzen ein Gasstrom f, der mit der Schlagweite der Funken an Stärke zunahm. Es zeigte h indes, dass das von beiden Spitzen aufsteigende Gas Knallgas war, Is also ebenso an der Kathode wie an der Anode Sauerstoff frei wurde nd auch an beiden Elektroden Wasserstoff. Wenn man daher nicht in r Leitung hin und her gehende Ströme annehmen will, kann die Zertzung nicht eine elektrische sein. Riess vermutet, dass sie nur durch e Hitze der Spitzen erfolgt sei3), da von Grove in der That gezeigt ist, als glühendes Platin das Wasser zersetzt4).

Als Faraday indes den vom Konduktor zum Reibzeug gehenden Strom cht durch Funken sich herstellen liefs, sondern eine kontinuierliche Leing anwandte, da schienen die verschiedenen Gase an den verschiedenen lektroden aufzutreten, es gelang wegen der geringen Menge der entckelten Gase jedoch nicht mit Sicherheit den Nachweis dafür zu liefern 5).

Armstrong gelang es zuerst mit Hilfe der Dampfelektrisiermaschine wirklich elektrische Zersetzung des Wassers nachzuweisen 6), indem i dem Durchtritt des Stromes dieser Maschine an der Kathode das Ppelte Volumen Gas von dem an der Anode frei wurde, und die spätere tersuchung zeigte, dass das von der Kathode aufsteigende Gas reiner asserstoff war.

Später ist es Buff gelungen diesen Beweis ebenso unzweideutig mit er gewöhnlichen Elektrisiermaschine zu liefern 7). Er wandte in Glaseren eingeschmolzene Platindrähte als Wollastonsche Spitzen an und g das von jeder Spitze aufsteigende Gas gesondert auf.

Pacts van Troostwyck, man sehe Riess, Reibungselektricität Bd. II. §. 591.
 Wollaston, Philosoph. Transact. for 1801. Gilberts Ann. Bd. XI.
 Riess, Doves Repertorium Bd. II. S. 45. Reibungselektr. Bd. II. §. 593.
 Grove, Philosophical Transact. for 1847. Poggend. Ann. Bd. LXXI.
 Faraday, Experimental researches III. ser. art. 328 ff. Poggend. Ann.

⁶⁾ Armstrong, Philos. Magazin XXIII. 1843. Poggend. Ann. Bd. LX.

⁷⁾ Buff, Liebigs Annalen. Bd. XCVI.

keiner Stelle der Leitung ein Funke auftrat, fand sich über der Kathole nur Wasserstoff, über der Anode nur Sauerstoff. Buff bewies das, indem er die Gase direkt in eudiometerähnlich eingerichtete Röhren auffing, und dann durch die aufgefangenen Gase elektrische Funken schlagen ließ. Es trat in keiner der Röhren eine Volumenverminderung der aufgefangenen Gase ein.

Wurde dagegen die Leitung an einer Stelle unterbrochen, so das ein Funke auftrat, so entwickelten sich an beiden Elektroden beide Gase, an der Kathode aber immer mehr als an der Anode.

Sehr viel leichter als die Zersetzung des Wassers läßt sich die elektrolytische Zersetzung von Salzen nachweisen, und es ist Faraday gelungen (1) zu zeigen, daß dieselbe nach denselben Gesetzen erfolgt, wie die Zersetzung durch den galvanischen Strom. Auf eine Glasplatte C Fig. 185



wurden in einigem Abstande von einander Tröpfehen der muntersuchenden Lösung oder mit derselben getränkte Papier scheibehen a und b angebracht und durch einen feinen Platindraht mit einander verbunden. Das erste Scheibehen wurde durch einen ebensolehen Draht mit dem Konduktor einer

Elektrisiermaschine, das letzte mit einem zur Erde abgeleiteten Drahts verbunden.

Wenn die Maschine in Thätigkeit versetzt wurde, zeigten sich nach einiger Zeit deutliche Spuren der Zersetzung. Wurden die Papiere mit einer Lösung von Kupfervitriol getränkt, so bedeckte sich die Kathode mit Kupfer; es wurde also wie bei der Elektrolyse das Metall ausgeschieden Dass an der Anode der Rest der Verbindung auftrat, ergab sich darans, dass nach Vertauschung der Drähte das Kupfer von der vorher als Kathode dienenden Drahtstelle wieder aufgelöst wurde.

Aus Jodkalium wurde an der Anode Jod frei, denn ein mit Jodkalium und Stärkekleister versehenes Papier wurde an der Anode deutlich gebläut.

Man muß sich jedoch auch hier hüten, daß zwischen den Elektroden ein Funke überspringt; geschieht das bei der Elektrolyse des Jodkaliums so tritt an beiden Elektroden Jod auf, da sich dann Ozon bildet, welches das Jod aus der Verbindung deplaziert.

Es folgt somit, daß die chemischen Wirkungen der Reibungselektricität mit denen des galvanischen Stromes identisch sind; ein weiterer Beweis, daß der Art nach kein Unterschied zwischen den beiden Elektricitäten besteht.

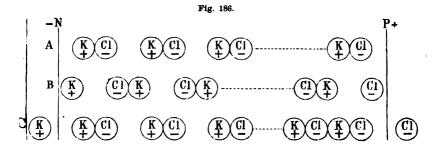
Faraday, Experimental researches III. u. V. ser. art. 312 ff. u. art. 453 ff. Poggend. Ann. Bd. XXIX. und Bd. XXXII.

§. 106.

Theorie der Elektrolyse. Wir haben in den letzten Paragraphen Thatsachen, welche in betreff der Zersetzung von Flüssigkeiten, die den Stromkreis eingeschaltet sind, durch den Strom experimentell feststellt sind, vollständig dargelegt; es erübrigt jetzt noch die Frage, in leher Weise diese elektrische Wirkung zustande kommt, welche Behung zwischen der Elektricität und der Natur der zersetzbaren Körpersteht, so dass sie durch elektrische Einwirkung in ihre Bestandteile fallen. Es kann sich dabei natürlich nur um Hypothesen handeln, dar weder die Natur der elektrischen Kraft, noch auch die Konstitution Materie kennen und die ganze Erscheinung, um welche es sich hier ndelt, nur in dem Verhältnis dieser beiden begründet ist.

Wir betrachten zunächst die Elektrolyse der einfachen binären Veridungen und als Typus derselben jene eines geschmolzenen Salzes, etwa s Chlorkaliums.

Die Anschauung, welche allen Hypothesen über die Elektrolyse närer Verbindungen zu Grunde liegt, ist die von Grotthus im Jahre 1805 fgestellte 1) Ansicht, dass die Bestandteile der Molektile, welche Elektroten sind, elektrisch sind. Jeder Körper und jedes Molekul hat im naturhen Zustande eine gewisse Menge neutraler Elektricität. Wenn nun zwei nfache Körper zusammentreten, wie Chlor und Kalium zu Chlorkalium, verteilen sich die Elektricitäten in den zusammengesetzten Molekülen , dass der eine Bestandteil elektropositiv, der andere elektronegativ ist. ir gewöhnlich haben die Moleküle in den Flüssigkeiten alle möglichen agen, d. h. ihre positiven oder negativen Bestandteile sind nach allen öglichen Seiten gerichtet. Wird aber ein solcher Elektrolyt in den Stromeingeschaltet, so werden die Moleküle unter dem Einflusse der mit lektricität versehenen Elektroden und der nach der Ohmschen Theorie if der Oberfläche des Leiters sich verbreitenden Elektricität gerichtet, so as die Moleküle ihre elektronegativen Hälften der Anode, ihre elektro-Ditiven Hälften der Kathode zuwenden. Fig. 186 würde also in der Reihe



die Anordnung der Chlorkaliummoleküle nach dem Eintauchen der Elekden beim Beginne der Elektrolyse darstellen. Ist die Dichtigkeit der bien Elektricität auf der Oberfläche der Flüssigkeit hinreichend ge-

¹⁾ Grotthus, Physikalisch-chemische Forschungen S. 115. WOLLERE, Physik. IV. 4. Auf.

worden, so wird durch die Anziehung und Abstossung derselben die Knft, mit welcher die Moleküle sich gegenseitig festhalten, überwunden, die Moleküle trennen sich von einander und die an der Anode liegenden Chloratome, so wie die an der Kathode liegenden Kaliumatome warden frei. Die Moleküle der dazwischen liegenden Flüssigkeitsmoleküle bewegen sich gegen einander und verbinden sich mit einander, die Kaliumatome jedes vorhergehenden Moleküles mit dem Chloratome jedes folgenden. Der Vorgang im flüssigen Leiter ist also im wesentlichen derselbe, wie der im § 78 in dem festen Leiter abgeleitete mit dem Unterschiede nur, dass während in dem sesten Leiter die Elektricitäten ohne ihre materiellen Träger fortgeführt werden, hier die Elektricitäten zugleich mit den Ionen, an denen sie haften, sich nach beiden Seiten hin bewegen. Den Zustand der Elektrolyten in diesem Momente zeigt die Reihe B Fig. 186, an den Elektroden sind Cl bei P und K bei N frei geworden. Das K des Moleküles, dessen Cl sich bei P abgeschieden hat, ist mit dem Cl des folgenden Moleküles zusammengetreten u. s. f.; und ebenso ist das Cl des letzten Moleküles, dessen K bei N sich abgeschieden hat, mit dem K des vorletzten Moleküles zusammengetreten. Die Moleküle zwischen den Elektroden befinden sich also in entgegengesetzter Lage wie in der Reihe A, in dem Momente, welcher der Zerreissung der Molektle vorausging.

Durch die an die Elektroden übergegangenen Moleküle ist dort zugleich eine der auf den ausgeschiedenen Molekülen vorhandenen gleiche Elektricitätsmenge neutralisiert, auf P eine gewisse Menge positiver, auf N eine gewisse Menge negativer, so daß es im Effekt dasselbe ist, als wenn von P aus durch die Flüssigkeit diese Menge positiver Elektricität nach N, dagegen die gleiche Menge negativer Elektricität von N nach P übergegangen wäre. Es ergiebt sich somit, daß infolge und durch diesen Zersetzungsakt der Strom durch die Flüssigkeit hindurchgegangen ist Wie wir wissen, leiten die Flüssigkeiten auch nur elektrolytisch, nur in

dem sie sersetzt werden.

Jetzt wiederholt sich derselbe Prozess; durch die Wirkung der freien Elektricität werden die Moleküle wieder gerichtet, wie in der Reihe C Fig. 186; sie werden wieder auseinandergerissen, bewegen sich in der Grenze zu den Elektroden, im Innern gegen einander, verbinden sich u.s.

Da die getrennten Moleküle es sind, welche die Elektricitäten m den Elektroden übertragen, so ergiebt sich daraus mit Notwendigkeit auch daß die Zersetzung der übergeführten Elektricitätsmenge, also der Stromstärke proportional ist; das Gesetz der festen elektrolytischen Aktion ist

also eine Folgerung, welche diese Theorie gestattet.

Das Gleiche, was wir hier an dem Beispiele des Chlorkaliums abgeleitet haben, gilt ganz ebenso für alle einfachen binär nach gleichen Äquivalenten zusammengesetzten Verbindungen; an die Stelle des Kalium

kann ein anderes Metall treten, an Stelle des Chlors ein anderer Saltbildner oder Sauerstoff.

Soweit sind alle Physiker über die Theorie der Elektrolyse einig, Abweichungen kommen nur vor betreffs der Annahmen, wodurch denn die einzelnen Bestandteile der Elektrolyte elektrisch werden, so dass sie in timmter Weise zwischen den Elektrolyten sich richten.

Magnus 1) nimmt nicht an, wie wir der Einfachheit wegen thaten, fis die Moleküle der Elektrolyte für sich schon polar elektrisch sind; glaubt, daß dieser Annahme die Thatsache entgegenstehe, daß wir emals einen Körper oder eine Substanz im isolierten Zustand elektrisch den. Er macht deshalb die Annahme, daß das Anion leichter die negare, das Kation leichter die positive Elektricität annehme, daß dann die oleküle der Elektrolyten, wenn die Elektroden in die Flüssigkeit eintaucht sind, durch Influenz elektrisch werden und zwar stets das Kation sitiv, das Anion negativ. Die so polar elektrisch gewordenen Moleküle dnen sich in der angegebenen Weise, und wenn die Dichtigkeit der Elektrität hinreichend geworden ist, reißen die Atome der Moleküle ausander. Sie bewegen sich darauf gegen einander und verbinden sich, wie sich wir es vorhin sahen.

Magnus vergleicht diesen Vorgang sehr hübsch mit der elektrischen atladung einer Kugelreihe, welche sich zwischen zwei elektrischen Platten finden, deren eine mit positiver, deren andere mit negativer Elektricität eladen wird.

Die Kugeln werden durch Influenz elektrisch, nach der positiven atte hin negativ, nach der negativen positiv. Ist die Dichtigkeit der lektricität hinreichend, so werden alle Kugeln gleichzeitig entladen; die lektricitäten der äußersten gleichen sich mit denen der Platten aus, ejenigen der anderen Kugeln mit einander. Werden die Platten neu eladen, so wiederholt sich der Vorgang, sobald und so oft die Dichtigeit auf den Kugeln wieder die hinreichende geworden ist.

Ganz ähnlich ist der Vorgang in dem Elektrolyten, mit dem Unterbliede nur, dass hier die Elektricitäten sich nicht gesondert von den tomen, sondern zugleich mit denselben bewegen.

Die einzige Schwierigkeit bei dieser Hypothese ist die, dass wir keine igenschaft kennen, wodurch auf dem influenzierten Molekule lieber an der inen Stelle, auf dem Anion, die negative als die positive Elektricität aufte, da wir sonst immer finden, dass an der dem influenzierenden Körper liebsten Stelle die Influenzelektricität der ersten Art auftritt.

Diese Schwierigkeit fällt fort bei der Annahme, daß die Molektile der lektrolyte für sich schon polar elektrisch sind, das Anion negativ, das ation positiv. Nur handelt es sich dann um die Frage, wie kommt es, us wir die für sich bestehenden Ionen nicht elektrisch finden?

Ampère²) glaubt, dass die Moleküle für sich elektrisch sind, die einen sitiv, die anderen negativ, und dass dieser elektrische Zustand durch re Natur bedingt sei.

Die Metalloide sollen so elektronegativ, der Wasserstoff und die Metalle gegen positiv elektrisch sein; bestehen sie für sich, so sind sie von einer tgegengesetzt elektrischen Atmosphäre umhüllt, welche, ohne die Elekcität des Atoms zu neutralisieren, dasselbe nach außen doch als unektrisch erscheinen läßt. Kommen die Atome sich so nahe, daß die mosphären sich durchdringen, so ziehen die Atome infolge der auf ihnen

¹⁾ Magnus, Poggend. Ann. Bd. CII.

²⁾ Ampère. Man sehe Becquerel Traité de l'électricité. T. I. p. 176.

vorhandenen Elektricitäten sich an, die Elektricitäten der Atmosphären gleichen sich aus und die Molektile bleiben polar elektrisch zurück.

Nach disser Hypothese könnten keine Verbindungen zweier Molektle existieren, welche beide Metalloide, also negativ elektrisch sind, keine Säuren, keine Verbindungen der Salzbildner mit einander und mit andere Metalloiden.

Diese existieren aber, wie z. B. Chlorjod, Bromjod, wenn dieselben auch nicht, wie man früher wohl annahm, Elektrolyte sind 1).

Um dieser Schwierigkeit zu entgehen, nimmt de la Rive?) an, dass die Atome der verschiedenen Substanzen für sich schon polar elektrisch sind, aber in verschiedenem Grade; so sollen die Elektricitäten auf den beiden Hälften eines Sauerstoffmolektils stärker sein als auf denen eines Wasserstoffmoleküls. Nur dann können sich zwei Körper chemisch verbinden, wenn sie verschieden stark elektrisch sind, und in den Verbindungen wendet immer das stärker polare dem schwächeren seine positive Seite zu, so dass die freie Seite negativ elektrisch ist. Die stärker polare Atome sind also immer die Anionen.

Diese Hypothese schliesst, wie man sieht, eine Reihe anderer durch nichts begründete ein.

Die einfachste Hypothese ist wohl diejenige von Berzelius³), der sich mit einer geringen Modifikation auch Fechner anschliesst⁴). Nach dieser Hypothese, wie sie Fechner vervollkommnet hat, enthalten alle Atome positive und negative Elektricität, welche zu neutraler vereinigt ist. Komme zwei sich verbindende Atome zusammen, so wird bei der Berührung oder unmittelbar vorher das elektrische Gleichgewicht auf beiden gestört, wie es auf zwei sich berührenden Metallen gestört wird. Es vereinigt sich ein Teil positiver Elektricität des einen Körpers, des Anions, mit einem Teil negativer des andern, wodurch beide Teile mit der entgegengesetzten Elektricität geladen zurückbleiben. Die sich ausgleichende Elektricität bei der Vereinigung nehmen wir als Lichterscheinung oder Feuererscheinung bei der chemischen Verbindung wahr. In der Verbindung hat also das eine Atom des zusammengesetzten Molektils freie positive, das ander freie negative Elektricität, jenes ist das Kation, dieses das Anion.

Darnach kann also jede Substanz Anion, jede Kation sein, je nær dem bei der Verbindung diese oder die mit ihr verbundene positiv oder negativ elektrisch wird, wie ein Metall positiv oder negativ elektrisch wird, je nachdem es mit einem anderen in der Spannungsreihe tiber oder unter ihm stehenden berührt wird. Berzelius hat es mehrfach versuch eine der Spannungsreihe ähnliche elektromotorische Reihe festzustellen, die so geordnet ist, dass man sofort bei der Verbindung zweier Körper mit einander je nach ihrer Stellung in dieser Reihe erkennen könnte, welche Kation und welcher Anion ist. Es versteht sich von selbst, das dies Reihe nicht lediglich auf elektrolytischen Versuchen basieren kann, de es eine Reihe von Körpern giebt, welche sich gar nicht mit einander

Man sehe *Hittorf*, Wiedem. Ann. Bd. IV.
 De la Rive, Traité de l'électricité. T. II. p. 814.
 Berselius, Schweiggers Journal Bd. VI. 1812.

⁴⁾ Fechner, Poggend. Ann. Bd. XLIV.

verbinden lassen. Es ist im Gegenteil das chemische Verhalten der Körper nit in Betracht gezogen, indem die Körper, welche chemisch den Sauertoff vertreten können, dem Sauerstoff, der unter allen Umständen als Anion auftritt, näher stehen als jene, die den Sauerstoff nicht vertreten tönnen. Von den Metallen hält man jene, welche vorzugsweise Säuren vilden, oder welche den Sauerstoff nur lose gebunden halten, für negativer ils jene, welche unter allen Umständen Basen bilden oder welche nur schwer eduziert werden können.

In dieser Weise hat Berzelius die elektrochemische Reihe zuletzt¹) olgendermaßen bestimmt. Die Stoffe sind von dem elektropositivsten, dem Kation, zu den elektronegativsten meistens als Anionen auftretenden Stoffen zeordnet.

+				
Kalium	Zirkonium	Kupfer	Tantal	Chlor
Natrium	Thorium	Silber	Tellur	Fluor
Lithium	Cerium	Quecksilber	Antimon	Stickstoff
Barium	Uran	Palladium	Kohlenstoff	Selen
Strontium	Mangan	Rhodium	Bor	Schwefel
Kalcium	Zink	Platin	Wolfram	Sauerstoff
Magnesium	Eisen	Iridium	Molybdän	
Beryllium	Nickel	Osmium	Vanadium	
Yttrium	Kobalt	Gold	Chrom	
Lanthan	Kadmium	Wasserstoff	Arsen	
Didym	Blei	Silicium	Phosphor	
Aluminium	Zinn	Titan	Jod	
	Wismut		Brom	

Man kann indes keineswegs aus dieser Reihe schließen, ob eine Verindung zweier Körper dieser Reihe elektrolysierbar ist. Wir haben schon ** wähnt, daß Bromjod, Chlorjod nicht elektrolysierbar sind, ebenso sind Lie Anhydride der Sauerstoffsäuren nicht elektrolysierbar. Auch die Wassertoffsäuren HCl u. s. w. sind, wenn sie nicht in Wasser gelöst sind, nicht ersetzbar, reines flüssiges Ammoniak leitet ebenfalls den Strom nichteund 3t durch denselben nicht zersetzbar²). Hittorf hat den Satz aufgestellt, ass überhaupt nur Salze elektrolysiert werden können und definiert alle erbindungen als Salze, welche ihre Ionen gegenseitig austauschen können; r sagt: "Während der Elektrolyse findet derselbe Austausch zwischen en Salzmolekülen statt, wie bei der doppelten Wahlverwandtschaft³)". egen diese Definition von Hittorf weist indes Wiedemann⁴) darauf hin, Is es Verbindungen gebe, welche mit wohldefinierten und elektrolysierren Salzen ihre Bestandteile austauschen, aber nicht durch Elektrolyse rsetzbar sind. So erwähnt Wiedemann das Propylchlorid, das mit Aluiniumjodid oder Quecksilberjodid zusammengebracht, Propyljodid und uminiumchlorid resp. Quecksilberchlorid giebt, aber den Strom nicht

Berzelius, Lehrbuch der Chemie Bd. I. 5. Aufl 1848.
 Bleekrode, Wiedem. Ann. Bd. III. Bd. VI. Hittorf, Wiedem. Ann. Bd. IV.
 Hittorf, Poggend. Ann. Bd. CVI. S. 567. Wiedem. Ann. Bd. IV.
 Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. II. S. 927.

leitet und nicht zersetzt werden kann. Ebenso macht Bleekrode¹) daranf aufmerksam, dass nach Versuchen von Gore2) wasserfreie Chlorwasserstoffsäure kohlensaure Salze zersetze und daß ebenso nach Versuchen von Pelouze³) eine Lösung von Chlorwasserstoffsäure in absolutem Alkohol kohlensauren Kalk mit großer Heftigkeit angreife. Es bedarf also nicht des Wassers, damit HCl mit einem kohlensauren Salze sein Atom Chlor gegen die Kohlensäure austauscht, und doch ist HCl in wasserfreiem Zustand kein Elektrolyt.

Wenn man demnach aus der Hittorfschen Definition im allgemeinen einen Überblick über die durch den Strom zersetzbaren Körper bekommt, der nicht nur für die geschmolzenen, sondern auch für die gelösten Körper gilt, und sofort erkennen läßt, welches bei der Zersetzung die Ionen sind, so gilt die Definition nicht ganz allgemein. Die Auffassung von Berzelius und Fechner wird aber schon dadurch unzulässig, dass es offenbar binare Verbindungen giebt, die einer Zersetzung durch den Strom nicht fähig sind

Wir wenden uns jetzt zu der Elektrolyse der Salzlösungen. Die dabei stattfindenden, als direktes Resultat der Elektrolyse anzusehenden Erscheinungen sind, wie wir sahen, folgende. An der Kathode erscheint, wenn die Stromdichtigkeit eine gewisse Grenze nicht überschreitet, nur das Metall des Salzes, an der Anode der Rest der Verbindung, also die Säure des Salzes, oder der betreffenden Salzbildner. Zugleich findet man, das die Flüssigkeit an der Kathode zuweilen mehr, zuweilen weniger als ein halbes Äquivalent Kation mehr enthält als vorher, und daß dem entsprechend an der Anode das Anion zuweilen um weniger, zuweilen um mehr als die Hälfte des ausgeschiedenen Anions zugenommen hat. Eine Zersetzung des Wassers findet, so lange die Stromdichtigkeit nicht eine zu große ist, nicht statt.

Was zunächst den letzteren Punkt betrifft, dass aus diesem Gemenge von Elektrolyten, Wasser und Salz, bei nicht zu großer Stromdichte nur ein einziger zersetzt wird, so stehen sich darüber zwei Ansichten gegenüber; die eine ist die hauptsächlich von Magnus4) vertretene, dass die verschiedenen Substanzen verschieden leicht zersetzbar sind, so daß, wenn der Strom in einer Flüssigkeit zwei solcher findet, er zunächst immer nur die am leichtesten zersetzbare wählt. Erst wenn bei einer gewissen Konzentration der Lösung der Strom eine gewisse Stärke, den Grenzwerl überschritten hat, vermag das Salz gewissermaßen nicht alle Elektricität zu fassen und der Strom geht dann auch durch das Wasser.

Die zweite Ansicht, welche, wie schon erwähnt, Hittorf5) und Buff) vertreten, ist die, dass in jedem Gemische von Elektrolyten der Strom sich zwischen denselben nach Maßgabe ihrer Leitungsfähigkeit teile. Da das Wasser für sich kaum oder vielleicht gar keine Leitungsfähigkeit hat, so ist der durch das Wasser gehende Anteil des Stromes immer nur sehr klein, so klein, dass wir den auftretenden Wasserstoff nicht nachweisen

¹⁾ Bleekrode, Wiedem. Ann. Bd. VI.

Gore, Proceedings of the Royal Society of London for 1865. p. 213.
 Pelouze, Poggend. Ann. Bd. XXVI. S. 348.

⁴⁾ Magnus, Poggend. Ann. Bd. CII und Bd. CIV. 5) Hittorf, Poggend. Ann. Bd. CIII und CVI.

Buff, Liebigs Ann. Bd. CV.

können (Hittorf). Andere dagegen meinen, daß der auftretende Wasserstoff im status nascens eine äquivalente Menge Metall aus dem Salze reduziere, und dass deshalb stets genau ein Äquivalent Metall auftrete.

Lange Zeit, so lange man annahm, dass die Salze aus Säure und Basis zusammengesetzt seien, derart, daß man als die nähern Bestandteile eines Salzes das basische Oxyd und das Anhydrid der Säure, welches dann den Rest der Verbindung bildet, ansah, bot es große Schwierigkeit, die Zerlegung der Sauerstoffsalze in Metall und Säure plus Sauerstoff andererseits zu verstehen. Man mußte, da man das Oxyd als solches in dem Salze vorhanden annahm, eine doppelte Zersetzung annehmen, einmal die Zerlegung des Salzes in Säure und Basis und zweitens die Zerlegung der Basis in Metall und Sauerstoff. Diese Schwierigkeit veranlaßte Daniell 1), wie bereits §. 98 erwähnt wurde, die schon früher ausgesprochene Ansicht wieder aufzunehmen, dass die Sauerstoffsalze wie die Haloidsalze zusammengesetzt seien, in welchen die überoxydierte Säure die Rolle des Salzbildners spielt, eine Ansicht, welche auch Hittorf?) bei seinen Arbeiten Aber Elektrolyse zu Grunde legte. Diese Schwierigkeit war indes nur in der damaligen Theorie über die Bildung der Salze begründet, bei den etzt allgemeiner angenommenen Ansichten ist, wie zum Teil schon Magnus³) bervorgehoben, dieselbe gar nicht vorhanden. Die jetzige Chemie nimmt n den Salzen gar nicht die Oxyde als näheren Bestandteil an, sondern stellt das Metallatom dem Rest der Verbindung gegenüber, indem sie die Bildung des Salzes in der Weise annimmt, dass das Metall an die Stelle des oder der vertretbaren Wasserstoffatome in die Säure eintritt. Sie stellt also, wenn auch in etwas anderer Weise als die ältere von Daniell vertretene Anschauung, das Metall dem Rest der Verbindung gegenüber, und damit bedarf es keiner Erklärung weiter, daß das Metall als solches bei der Elektrolyse ausgeschieden wird. Das Metall ist gegenüber dem Rest der Verbindung das elektropositive Ion und wird als solches zu der negativen Elektrode geführt, während der Rest zur Anode geführt wird; die Zersetzung der Salze in den Lösungen geschieht somit einfach in derselben Weise wie die einer binären geschmolzenen Verbindung.

Es fragt sich nur, wie es kommt, dass die Ionen an den Elektroden nicht einfach um die Hälfte der ausgeschiedenen Bestandteile vermehrt werden.

Magnus⁴) hält die Anderung in der Konzentration der Lösungen an

den Elektroden für nicht direkt durch die Elektrolyse bedingt.

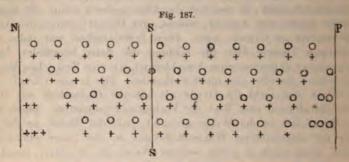
Indem er sich den Durchgang des Stromes durch die Elektrolyten als einzelne Entladungen denkt, hält er nur den Zersetzungsakt für Folge des Stromes, die weitere Bewegung der Moleküle im Innern der Elektrolyte dagegen glaubt er als Folge des ersten Anstofses beim Zersetzen und der chemischen Anziehung der zersetzten Moleküle ansehen zu können, deshalb hat die Wanderung der Ionen direkt nichts mit der Elektrolyse zu thun, und das Verhältnis der Ionen in der Nähe der Elektroden vor

¹⁾ Daniell, Philos. Transact. of London royal soc. for 1839 u. 1840.

²⁾ Hittorf, Poggend. Ann. Bd. CVI.
3) Magnus, Poggend. Ann. Bd. CII und CIV.
4) Magnus, a. a. O.

und nach der Elektrolyse hängt von ganz anderen Umständen ab. Diese Ansicht ist indes gegenüber der Regelmäßigkeit in der Anderung der Konzentrationen, wie sie von Hittorf beobachtet ist, nicht haltbar.

Hittorf1) hält deshalb die Wanderung der Ionen für einen ebenso wesentlichen Teil der Elektrolyse, als die Zersetzung selbst. Um zu erklären, dass nicht an jeder Elektrode ein halbes Aquivalent des ausgeschiedenen Bestandteiles mehr vorhanden ist als vorher, nimmt er an, dals die verschiedenen Ionen im Innern der Elektrolyte nach der Zersetzung von dem Strome durch verschieden weite Wege geführt werden, daß sie also sich nicht in der Mitte zwischen ihren frühern Lagen begegnen, sondern dass entweder das positive oder negative Ion einen größern Weg zurücklegt, dass sie also nach der ersten Zersetzung sich näher bei der frühern Lage des einen oder andern Ions wieder verbinden. Folgendes Schema Fig. 187 zeigt z. B., wie sich der Überschufs der Ionen an der



Elektroden gegen vorher nach der Elektrolyse stellen muß, wenn das negative Ion 2/3 des Weges, das positive 1/3 nach der Zersetzung zurücklegt, bis sie sich treffen und wieder vereinigen. Während an den Elektroden sich ein Äquivalent der Ionen ausscheidet, kann an der linken Seite der Spaltungsfläche SS nur 1/3 Äquivalent des positiven Ions mehr vorhanden sein als vorher, an der Anode sind dagegen 2/3 Aquivalent mehr vorhanden.

Nach der Theorie von Hittorf kann die Zunahme der Ionen an den Elektroden im Maximum ein ganzes Äquivalent sein; es würde das eintreten, wenn das eine Ion nicht fortgeschoben wird, sondern nur das andere. In einzelnen Fällen, so bei der Elektrolyse von Jodzink, Jodkadmium, Chlorzink u. a. hat jedoch Hittorf beobachtet, daß das negetive Jon, Jod, Chlor, um mehr als ein, ja bis zu zwei Äquivalenten m der Anode zunimmt. Hittorf nimmt zur Erklärung dieser Erscheinung an, daß in solchen Lösungen die Salze als Doppelsalze vorhanden waren, also z. B. das Jodkadmium in wässeriger Lösung als $Cd(CdJ_2 + J_2)$, so dafs also das eine Ion dabei $Cd J_2 + J_2$ ist²). Würde nun in dem Falle das eine Ion, also Cd um 0,4, das andere $(Cd J_2 + J_2)$ um 0,6 des Weges wandern, so würde an der Kathode das Kadmium um 0,4 Cd zunehmen, an der Anode die Lösung um 0,6 $(CdJ_2 + J_2) = 0,6 Cd + 1,2 J_1$

¹⁾ Hittorf, Poggend. Ann. Bd. CIII u. CVI. ?) Hittorf, Poggend. Ann. Bd. CVI. S. 545.

jedes Äquivalent des zersetzten Salzes zunehmen. Es würde also dort enüber $0.4\ Cd$, welches zur negativen Anode wandert, $0.6\ Cd$ mit J_2 verbunden zur Anode wandern, es müßte also an der Kathode Kadmium um $0.2\ Cd$ abnehmen, an der Anode Jod um $1.2\ J_2$ zumen, wie es Hittorf bei einer Lösung, welche 3.04 Wasser auf 1 Äquint Salz enthielt, beobachtet hat.

Um dieser Annahme von der Bildung von Doppelsalzen, welche noch i in verschiedenen Lösungen verschieden sein müßten, in konzentrier-Lösungen anders als in verdünnten, in Alkohol anders als in Wasser, entgehen, nimmt Wiedemann¹) nicht nur eine Wanderung der Ionen, ern auch des unzersetzten Salzes an.

Sind die Bestandteile des Elektrolyten nach der Trennung in glei-1 Grade entgegengesetzt elektrisch, so erhalten sie entsprechend dem lle des Potentials nach entgegengesetzten Richtungen gleiche Antriebe. denselben dadurch erteilten Geschwindigkeiten sind den Massen der andteile umgekehrt proportional und hängen außerdem von den Reiswiderständen ab, die sie auf den Wegen finden. Sie können dah die von Hittorf angenommenen verschiedenen Geschwindigkeiten lten, vermöge deren der eine $\frac{1}{n}$, der andere $\frac{n-1}{n}$ des Molekularables zurücklegen, ehe sie sich wieder zu einem Moleküle vereinigen vermöge deren zu beiden Seiten eines unveränderten Querschnittes gleichzeitiger Abscheidung von je einem Aquivalent der freien Ionen beiden Elektroden der Gesamtgehalt an freien und gebundenen Ionen and $\frac{n-1}{n}$ eines Äquivalentes mehr als vor der Elektrolyse beträgt. Hierzu kann eine zweite Wirkung des Stromes kommen. gelösten Salzteilchen und das Lösungsmittel selbst durch den Kontakt egengesetzt elektrisch, so werden sich infolge der Wirkung der freien der Oberfläche des Leiters vorhandenen Elektricität auch die unzerten Moleküle des Salzes und des Lösungsmittels nach entgegengesetzten itungen bewegen können, eine Bewegung, welche von den Reibungs-

Als dritte Wirkung kann dazu, besonders bei Anwendung poröser phragmen, die Bewegung der Lösung kommen, welche durch die Elekierung derselben im Kontakt mit den Gefässwänden, nach der Erkläg der Fortführung von Quincke, bedingt ist.

lernissen beeinflusst wird. Es kann hierdurch eine Vermehrung der zentration an der einen Elektrode, eine Verminderung an der anderen

Nimmt man an, dats in einer Lösung die gut leitenden Salzteilchen inmitten der äußerst schlecht leitenden Wasserteilchen zwischen den den Polen der Säule verbundenen Elektroden zu Reihen ordnen, ähnwie dies Baumwollenfäden in Terpentinöl zwischen zwei elektrischen geln thun, so wird die Zahl dieser Reihen dem Salzgehalte proportiozunehmen. Da sich nun der Strom im Verhältnis der Leitungsfähigen zwischen diesen verhältnismäsig gut leitenden Reihen und dem schlecht leitenden Wasser teilt, also hauptsächlich die erstern durch-

¹⁾ Wiedemann, Galvanismus Bd. I. §. 432. 2. Aufl.

fliest, so muss die Leitungsfähigkeit k der Lösung mit der Anzahl jeer Reihen, mithin dem Salzgehalt der Lösung proportional zunehmen. Bei verdünnten Lösungen ist das in der That der Fall.

Für die Stärke des Stromes gilt auch in den Elektrolyten die Gleichung

$$e = -kq \frac{dV}{dx},$$

wenn V der Wert der Potentialfunktion, der auf dem Leiter vorhandenen Elektricität im Querschnitt x ist. Die Kraft, welche die mit dem verschiedenen Elektricitäten versehenen Bestandteile auseinandertwik, ist somit

$$+\frac{dV}{dx}=\frac{e}{kq},$$

wenn wie immer k die Leitungsfähigkeit und q den Querschnitt der Flüssigkeit bedeutet.

Hieraus folgt, dass bei gleicher Stromstärke die Menge der zersetzten Substanz immer dieselbe sein mus, einerlei welche Konzentration wie welchen Querschnitt man dem Elektrolyten giebt. Bei n fachem Salzgehalt und mfachem Querschnitt der Lösung werden allerdings n. m mal nem Reihen von Salzmolektilen zersetzt werden, aber die Kraft, mit welcher die Molektile bewegt werden, ist auch nur $\frac{1}{mn}$; in demselben Masse wird also auch ihre Anfangsgeschwindigkeit abnehmen. Es ist somit die zersetzte, an den Elektroden in ihren Bestandteilen ausgeschiedene Menge dieselbe. Ebenso ist auch die Menge der nach den Elektroden gestährten unzersetzten Molektile des Salzes und des Lösungsmittels dieselbe.

Wie man sieht, legt Wiedemann dieser Theorie der Elektrolyse die Anschauungen zu Grunde, welche Quincke zur Erklärung der elektrischen Endosmose und der Fortführung suspendierter Körperchen angewandt hat Fast gleichzeitig mit Wiedemann hat Quincke auf diese seine Anschauungen eine ausführliche Theorie der Elektrolyse gegründet 1).

Quincke geht aus von der Betrachtung eines linearen Elektrolyten etwa einer Lösung von Chlornatrium in Wasser, in welchem ein Strom in der Richtung der positiven x ströme. In diesem hat jedes Teilmolekül, also Natrium und Chlor eine gewisse Menge freier Elektricität, si dieselbe auf dem Natriummolekül ε , auf dem Chlormolekül ε' . Dieselbe rührt her von der verschiedenen Anziehung, welche Natrium, Chlor, Wasserstoff, Sauerstoff, die sich unmittelbar neben einander befinden, auf ör verschiedenen Elektricitäten ausüben. Größe und Vorzeichen der beide Elektricitätsmengen ε und ε' sind vorläufig unbestimmt.

Ist nun V die Potentialfunktion der freien auf dem Leiter vorhardenen Elektricität im Querschnitt x, so sind

$$-\frac{d}{d}\frac{V}{x} \cdot \varepsilon \text{ und } -\frac{d}{d}\frac{V}{x} \varepsilon'$$

die Kräfte, mit der die beiden Elektricitätsmengen ε und ε' im Sinne der positiven x getrieben werden. Haften dieselben an den Molektilen, $\mathfrak P$

¹⁾ Quincke, Poggend. Ann. Bd. CXLIV.

werden diese mit der gleichen Kraft in demselben Sinne getrieben. Sie erhalten infolgedessen eine gewisse von der Masse der Moleküle abhängige und infolge der Reibung an der umgebenden Flüssigkeit sehr bald konstante Geschwindigkeit, die wir setzen können

$$v = -C \frac{dV}{dx} \varepsilon$$
 und $v' = -C' \frac{dV}{dx} \varepsilon'$.

Die Seite, nach welcher diese Geschwindigkeit gerichtet ist, hängt wie die Richtung der Kraft von dem Vorzeichen von ε und ε' ab.

Die Kraft, mit welcher die im Gesamtmolekül verbundenen Teilmoleküle getrennt werden, setzt Quincke der mittleren relativen Geschwindigkeit der Moleküle proportional, also

$$K = A(v - v') = -\frac{dV}{dx}(B\varepsilon - B'\varepsilon').$$

Ist l die Länge des flüssigen Leiters und L die auf gleichen Leitungswiderstand und gleichen Querschnitt reduzierte Länge der sonstigen Teile des Stromkreises, so ist, wenn E die elektromotorische Kraft der Batterie ist,

$$-\frac{dV}{dx} = \frac{E}{l+L},$$

somit

$$K = \frac{E}{l+L} (B\varepsilon - B'\varepsilon').$$

Die Gleichung lässt hervortreten, das die Kraft, welche die Moleküle, die Ionen, zu trennen strebt, der elektromotorischen Kraft direkt, der Länge des Stromkreises umgekehrt proportional ist, das sie unabhängig von dem Querschnitte und der Leitungsfähigkeit der Flüssigkeit ist.

Sind in der Volumeinheit Flüssigkeit α Gewichtsteile Natrium, α' Gewichtsteile Chlor enthalten, so stehen α und α' im Verhältnis der chemischen Äquivalente. Ist M die ganze Menge des einen Ion, Natrium, M' die des anderen, Chlor, die in der Richtung der positiven x mit den Geschwindigkeiten v und v' in der Längeneinheit der Flüssigkeit fortgeführt werden, so ist, wenn q der Querschnitt der Flüssigkeit ist,

$$M = q\alpha v = -C\varepsilon q\alpha \frac{dV}{dx}$$

$$M' = q\alpha' v' = -C'\varepsilon' q\alpha' \frac{dV}{dx},$$

worin M sowohl als M' je nach dem Vorzeichen von ε und ε' sowohl positiv als negativ sein kann, wo dann das Letztere bedeutet, das die betreffende Menge nach der Richtung der negativen x geführt wird.

In der Mitte der Flüssigkeit wird die Zusammensetzung nicht geändert, denn für jede Menge M oder M', welche aus einem Querschnitte
austritt, tritt von der anderen Seite aus dem benachbarten Querschnitte
dieselbe Menge ein. Anders ist es aber an den Elektroden, an den Enden
der Flüssigkeit, hier können je nach der Richtung der Bewegung oder
was dasselbe ist, je nach dem Vorzeichen von M und M' Natrium- oder
Chlormoleküle sich ansammeln.

Nehmen wir an es seien M und M' positiv, aber v > v' oder

$$\frac{\underline{M}}{\alpha} > \frac{\underline{M'}}{\alpha'},$$

so werden, da diese Quotienten die Anzahl p resp. p' der fortgestihren Moleküle bedeuten, in den letzten Querschnitt, durch den der Strom die Flüssigkeit verlässt, gleichzeitig p Moleküle Natrium und p' Moleküle Chlor eintreten. Von erstern werden sich p' Moleküle mit der gleichen Zahl Chlormoleküle zu neutralem Salze verbinden, es werden somit

$$m = p - p'$$

Moleküle Natrium abgeschieden werden.

Aus dem ersten an der Anode liegenden Querschnitte sind in der selben Zeit p Moleküle Natrium und p' Moleküle Chlor fortgeführt worden, es sind also hier

$$m = p - p'$$

Moleküle Chlor zurückgeblieben, welche an der Anode frei werden.

Gleichzeitig erkennt man, dass an der Kathode eine Zunahme, ander Anode eine Abnahme der Konzentration eintreten muß, da p' Mobküle Chlor und Natrium in der gleichen Zeit von der Anode fort und zur Kathode hingeführt sind.

Sind M und M' beide negativ, aber

$$\frac{\underline{M'}}{\alpha'} > \frac{\underline{M}}{\alpha}$$

so ist der Vorgang derselbe, im Resultate nur so weit verschieden, daß an der Anode eine Zunahme der Konzentration, an der Kathode eine Abnahme derselben eintritt.

Ist M positiv, M' negativ, ist also das Chlor negativ elektrisch und wird infolgedessen gegen die Anode hin bewegt, so ist die Anzahl der ausgeschiedenen Moleküle, sowohl des Chlor als des Natrium

$$m = p + p'$$

und wenn man von den abgeschiedenen Mengen absieht, wird an jeder Elektrode die Konzentration vermindert.

Dieser letztere Fall ist nach den vorliegenden Versuchen der gewöhnliche, und dabei zeigt sich nach den Versuchen von Hittorf, daß üder Regel p und p' verschieden ist, daß also entweder v' größer oder kleiner als v ist, wie es Hittorf als direktes Resultat seiner Versuche aussprach.

Die Beobachtungen Hittorfs bei dem Jodkadmium, Jodzink u. würden dagegen nach dieser Anschauung sich dadurch ergeben, daß die Bestandteile dieser Salze in der Lösung beide negativ elektrisch wären, so daß also beide gegen die Anode hin getrieben würden, eine Annahme, welche Quincke für ebenso wahrscheinlich hält als die von Hittorf angenommenen Doppelsalze.

Dafs, wenn man in den Flüssigkeiten eine Bewegung der Elektricität nur mit den materiellen Molekülen annimmt, auch nach dieser Auffassung das Faradaysche Gesetz, dafs die Menge der zersetzten Substanz der Jeisität des Stromes proportional sei, sich ergiebt, bedarf wohl keines sonderen Nachweises.

Auf eine den sämtlichen Theorieen gemeinsame, in der ihnen zu unde liegenden Anschauung über die Natur der Elektrolyte basierte hwierigkeit hat Clausius aufmerksam gemacht1). Alle diese Theorieen umen an, dass in den Elektrolyten die positiven und negativen Ionen t einander verbunden sind, und wenn keine äußeren Kräfte auf die ussigkeiten einwirken, auch mit einander verbunden bleiben. Daraus gt dann, dass sich die verbundenen Ionen mit einer gewissen Kraft fest-Iten. Der elektrische Strom soll nun zunächst die Moleküle drehen, un aber auch die zu einem Gesamtmoleküle vereinigten Ionen trennen. in muss. aber, damit die einmal verbundenen Ionen auseinandergehen, Anziehung, welche sie auf einander ausüben, überwunden werden, zu eine Kraft von bestimmter Stärke erforderlich ist. Daraus folgt nn aber, daß, so lange die im Elektrolyten wirksame Kraft nicht diese ärke besitzt, gar keine Zersetzung der Moleküle stattfinden kann, daß gegen, wenn diese Stärke erreicht ist, sehr viele Moleküle mit einem de zersetzt werden müssen, indem alle unter dem Einflusse derselben aft stehen und nahezu gleiche Lage haben. Da nun, wie wir sahen, Elektrolyte nur leiten, indem sie zersetzt werden, so folgt daraus iter, daß, so lange die im Leiter thätige Kraft unter einer gewissen enze bleibt, gar kein Strom entstehen kann, dass aber, wenn sie diese enze erreicht hat, plötzlich ein starker Strom auftreten muß.

Die Erfahrung zeigt aber, dass die Zersetzung einfach der Stromstärke oportional ist, und dass schon der schwächste Strom Zersetzung bewirkt.

Um diesen Widerspruch zu lösen, erinnert Clausius an seine Hypose über die Natur der Flüssigkeiten überhaupt2), und präzisiert diebe folgendermaßen. Die zu einem Gesamtmoleküle gehörigen elektrositiven und negativen Teilmoleküle, also die Ionen sind überhaupt nicht t mit einander verbunden, sondern nur mehr oder weniger locker an ander gelegt. Die Gesamtmoleküle oscillieren in der Flüssigkeit in mlich weiten Bahnen hin und her, dabei wird es nun häufig vorkomn, dass zwei Moleküle zu einander in eine solche Lage kommen, dass positive Ion des einen von dem negativen Ion des andern stärker gezogen wird als von seinen eigenen. Die beiden Moleküle werden sich in spalten und die beiden Ionen der einzelnen, die sich in der eben gegebenen Weise anziehen, werden sich zu einem neuen Molekül verden. Die abgeschiedenen Ionen werden dann sich entweder mit einder verbinden, oder getrennt sich in der Flüssigkeit weiter bewegen, sie an andere Moleküle stoßen, diese spalten und sich mit den beffenden Teilen verbinden.

In den Elektrolyten ist also überhaupt kein Gleichgewichtszustand handen, sondern die Moleküle bewegen sich in ganz unregelmäßigen hnen und sind in einem immerwährenden Zustande der Verbindung und setzung. Wird nun der Elektrolyt in einen Stromkreis eingeschaltet, daß in demselben eine elektrische Kraft wirkt, die alle positiven Ionen

Clausius, Poggend. Ann. Bd. Cl.
 Man sehe im III, Teil §. 44 S. 386.

nach der einen, alle negativen nach der entgegengesetzten Seite zu treiben sucht, so werden zunächst die vorhandenen freien Ionen nicht mehr is ganz unregelmäßigen Bahnen, sondern mehr in einer von Elektrode zu Elektrode gerichteten Bahn sich bewegen. Die positiven Ionen werden daher vorherrschend zur Kathode, die negativen Ionen nach entgegengesetzter Richtung sich bewegen. Außerdem werden bei der Einwirkung eines Teilmoleküles auf ein Gesamtmolekül, und bei Einwirkung zweier Gesamtmoleküle auf einander solche Zerlegungen, bei welchen die Teilmoleküle in ihren Bewegungen zugleich der elektrischen Kraft folgen können, erleichtert werden, und daher häufiger stattfinden als ohne die Kraft. Daraus folgt dann, dass in einem Elektrolyten durch irgend ein zur Stromrichtung senkrechtes Flächenstück nach der Kathode eine gewisse Menge positiver, nach der Anode eine gewisse Menge negativer Ionen hindurchgehen wird. Durch diese entgegengesetzte Bewegung der Teilmoleküle bildet sich der Strom, somit muß die Stromstärke dieser Menge und damit der Menge der zersetzten Substanz proportional sein!

Diese Ansicht von Clausius über die Konstitution der Elektrolyte verdient jedenfalls um so mehr Beachtung, als sie nicht besonders m Erklärung der Elektrolyte ersonnen ist, sondern nur eine weitere Durch führung der Auffassung bildet, welche sich Clausius bereits bei seinen Untersuchungen über die mechanische Wärmetheorie ergeben hatte. Die Schwierigkeit, welche sie bietet, dass man die Moleküle der Elektrolyten, also z. B. der Salze, wenn auch nur kurze Zeit im unverbundenen Zustand in der Lösung annehmen muss, während doch im allgemeinen die Ionen nach ihrer Abscheidung sofort auf das Lösungswasser einwirken, die Alkalimetalle, indem sie Oxydhydrate bilden, die elektronegativen Bestandteile, indem sich die Säuren bilden, ist allen Theorieen gemeinsam, indem bei allen Theorieen angenommen werden muß, dass nach der Zersetzung die Moleküle eine Zeitlang unverbunden in den Lösungen vorhanden sind. Welche Theorie der Elektrolyse man auch bildet, die Aus-

$$K = - \; \frac{dV}{dx} \, (B \, \varepsilon - B \, \varepsilon').$$

Auch bei den schwächsten durch die Flüssigkeit hindurchgehenden Strömen sei das Gefälle des Potentials, also

$$-\frac{dV}{dx} = \frac{\varepsilon}{l+L}$$

keinesweges klein; die Ströme sind deshalb schwach, weil die Leitungsfähigkeit

schen Kraft, welche nur 1 eines Groveschen Elementes betrug.

¹⁾ Quincke bemerkt gegenüber diesen Entwicklungen von Clausius (Poggend Ann. Bd. CXLIV. S. 164), daß zwischen der Annahme, daß zur Zersetzung bei der Elektrolyse eine gewisse Kraft erforderlich und daß die Zersetzung der Stromstärke proportional sei, der von Clausius angenommene Widerspruch dech wohl nicht vorhanden sei. Denn nach seinen Entwicklungen ist die Kraft, welche die Moleküle trennt, gegeben durch die Gleichung

der Flüssigkeiten eine sehr kleine ist.

Dem gegenüber ist indes zu bemerken, daß Kohlrausch und Nippoldt (Poggend, Ann. Bd. CXXXVIII) bei Anwendung von Zinkvitriollösungen und Thermosäulen das Ohmsche Gesetz noch gültig fanden bei einer elektromotori-

dung der Ionen an den beiden Elektroden zwingt zu der Annahme, die Moleküle, aus welchen eine Verbindung besteht, eine Zeitlang bunden in der Lösung vorhanden sind.

Noch auf einen Mangel in unseren theoretischen Auffassungen der rolyse müssen wir aufmerksam machen, sie bietet gar keine Begründes Faradayschen Gesetzes der Zersetzung der verschiedenen Suben nach äquivalenten Mengen durch denselben Strom. Dass für eine ene Substanz die Menge des zersetzten der Stromstärke proportional agt nichts anderes, als dass der Strom nur durch die Zersetzung und hiebung der Ionen zustande kommt. Der zweite Teil des Faraday-Gesetzes sagt aber, dass durch äquivalente Mengen der Bestandteile niedener Verbindungen gleiche Mengen Elektricität übergeführt werden. en wir z. B. Salze einwertiger Metalle, so sind von diesen Mengen alent, welche gleiche Zahl Moleküle enthalten; zersetzen wir diese, rd in jedem die gleiche Atomzahl der Bestandteile an den Elektroden chieden. Es folgt somit, dass die gleiche Zahl von Atomen die e Menge Elektricität überführt, oder daß die elektrolytisch gleichgen Atome die gleiche Menge Elektricität überführen. Das Atom zweiwertigen Metalles führt doppelt soviel als das eines einwertigen, tom Chlor führt ebensoviel wie ein einwertiges Metall, der Atomlex SO, aber die doppelte Menge, der Atomkomplex NO, als zu einer sischen Säure gehörig aber nur ebensoviel als Chlor oder Jod. Das Kupfer führt in den Cupridverbindungen soviel Elektricität über as Doppelatom Cu, in den Cuproverbindungen. Irgend welche Erng dafür können wir nach den bisherigen Theorieen nicht geben, tüssen es als eine Thatsache hinnehmen, welche vielleicht bei näherer lgung noch auf unsere ganze Auffassung der elektrischen Ströme amend einwirken kann.

§. 107.

Theorie der Leitung der Lösungen. Aus unsern Erfahrungen die Elektrolyse haben wir den Schluss gezogen, dass die Flüssigkeiten dektrolytisch leiten, dass in denselben die Elektricität nur durch die von der Anode zur Kathode geführt wird, und weiter dass elektroisch äquivalente Mengen der verschiedenen Ionen gleiche Mengen der ricität überführen.

Da hiernach die Elektricität nur durch die Fortbewegung der Ionen r Lösung bewegt wird, so gelangen wir zu dem, zuerst wohl von emann¹) gezogenen Schlusse, daß der Widerstand der Elektrolyte itlich durch die Bewegungshindernisse, welche die Ionen bei ihrer egung erfahren, gegeben sei. Diese Hindernisse sind die Reibung im n der Flüssigkeit. Würden sich in den elektrolysierten Lösungen die Ionen bewegen, so wäre es die Reibung, welche sie an der umden Lösung erfahren, welche sich der Bewegung entgegensetzt, welche anch den elektrischen Widerstand bilden würde. Diese Reibung wird ligemeinen nicht nur für verschiedene Lösungen, sondern auch für hieden konzentrierte Lösungen desselben Elektrolyts verschieden sein.

¹⁾ Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. XCIX. S. 228 ff.

Da wir nämlich wissen, dass die Reibungskoeffizienten verschieden konzentrierter Lösungen verschieden sind, werden wir auch annehmen müssen, daß die Reibung der Ionen in verschieden konzentrierten Lösungen eine verschiedene ist. Wenn bei der Verschiebung der Ionen in den Lösungen gleichzeitig unzersetzte Lösung mitgenommen wird, wie es die Erfahrungen der elektrischen Endosmose und der Fortführung wahrscheinlich machen, so wird zu der Reibung der Ionen an der Flüssigkeit noch die eigentliche Flüssigkeitsreibung hinzukommen. Die Abhängigkeit der Reibung von der Konzentration einer Lösung läßt erkennen, weshalb der im vorigen Paragraphen aus der Theorie der Elektrolyse von Wiedemann und Quincke folgende Satz, dass die Leitungsfähigkeit dem Salzgehalte proportional sein muß, nur in beschränktem Umfange Gültigkeit hat. Die Verschiedenheit der Reibung erklärt auch sofort, weshalb der Leitungswiderstand einer wässerigen Lösung eines Salzes kleiner ist als einer Lösung desselben Salzes in wasserhaltigem Alkohol. Auf jeden Fall ist hiernach ein inniger Zusammenhang zwischen der Reibung im Innern der Flüssigkeit und den elektrischen Widerstande vorhanden.

Wiedemann 1) schloss aus seinen Versuchen für eine Anzahl von Salzen, daß das Leitungsvermögen deren Lösungen dem Prozentgehalte direkt und dem Reibungskoefficienten umgekehrt proportional sei, währen Grotrian2) zu dem Resultate kam, dass die Leitungsfähigkeit dem Prozentgehalte direkt und einer gebrochenen Potenz des Reibungskoefficienten umgekehrt proportional sei, wobei selbstverständlich der Reibungskoefficient und die Leitungsfähigkeit bei derselben Temperatur genommen werden müssen. Stephan3) hat die Leitungsfähigkeiten und Reibungskoefficienten verdünnter Lösungen in Wasser und wasserhaltigem Alkohol verglichen und gelangte zu dem Resultate, dass solange der Alkoholgehalt der Lösung unter 55% war, bei Lösungen von NaCl, KaCl, LiCl, NaJ, KaJ, die specifischen Leitungsvermögen, in dem Sinne, wie F. Kohlrausch diese Größe definierte, sich umgekehrt verhalten wie die Reibungskoefficienten der alkoholischen und wässerigen Lösungen. Wie wir sahen definier Kohlrausch das specifische Leitungsvermögen einer Lösung, wenn deren Leitungsfähigkeit bei dem Prozentgehalte p durch die Gleichung

$$k = \kappa p + \kappa' p^2$$

gegeben ist, durch den Koefficienten z, welcher das Mass der Leitungs fähigkeit bei sehr kleinen Werten von p, also sehr verdünnten Lösungen ist. Ist also zw und nw die Leitungsfähigkeit und die Reibungskonstante für wässerige, z und n für alkoholische Lösungen, so ist

$$\varkappa_w \eta_w = \varkappa \eta$$
.

Für Lösungen von größerm Alkoholgehalt bis zu 70% ergiebt sich

$$\frac{\varkappa_w \, \eta_w}{\varkappa \, \eta} = q$$

Wiedemann, a. a. O.
 Grotrian, Poggend. Ann. Bd. CLVII.
 Stephan, Wiedem. Ann. Bd. XVII.

rin q eine von 1 verschiedene nur von der Menge des Alkohols in der sung, nicht von der Natur des gelösten Salzes abhängige Zahl ist.

Weiter zeigte Grotrian 1), dass im allgemeinen die Zunahme der Leitungsigkeit mit der Temperatur der Abnahme des Reibungskoefficienten resp. Zunahme des reciproken Wertes desselben, welche Wiedemann die Flui-It der betreffenden Flüssigkeit nennt, paralell geht. Bouty²) kommt so-· zu dem Resultate, dass für sehr verdünnte Lösungen einer Anzahl 1 Salzen die Zunahme der Leitungsfähigkeit mit steigender Temperatur · Zunahme der Fluidität des Wassers von 0° bis 44° gleich gesetzt rden kann.

Alles das zeigt eine innige Analogie mit der Flüssigkeitsreibung und n elektrischen Leitungswiderstande der Flüssigkeit; eine Proportionalizwischen Flüssigkeitsreibung und Widerstand könnte indes nur voraden sein, wenn die Ionen bei ihrer Bewegung sich an der umgebenden issigkeit derart stark reiben, dass sie nicht unabhängig von derselben h bewegen könnten, sondern eine Hülle Lösung mit sich fort nähmen. dem Falle würde allerdings der zu überwindende Widerstand direkt Flüssigkeitsreibung sein. Das ist allerdings nicht anzunehmen, und shalb können wir im allgemeinen nur einen ähnlichen Verlauf der Widerinde und der Reibungen, sei es bei geänderter Temperatur, sei es bei ngleichung verschiedener Lösungen, erwarten3).

F. Kohlrausch⁴) hat deshalb in ganz anderer Weise diese Theorie 8 elektrischen Widerstandes in Flüssigkeiten geprüft. Er gelangt zu m Schlusse, dass in sehr verdunnten Lösungen das elektrische Leitungsrmögen außer von der Anzahl gelöster Moleküle nur von den wannden Bestandteilen, also von den wandernden Ionen, abhängig sein is, nicht davon, in welcher Verbindung sie vor der Elektrolyse waren.

Je mehr nämlich die Anzahl der Wasserteilchen diejenige des Eleklyts überwiegt, desto mehr wird die Reibung der Ionen an dem Wasser Lösung maßgebend sein, nicht die Reibung an den gelösten Salzlekülen oder an einander. Dann aber wird der Widerstand, den ein oratom etwa bei seiner Bewegung findet, ganz derselbe sein, wenn es einer Verbindung mit Kalium oder Natrium oder einem andern Stoffe Es ist in allen Fällen dasselbe Chlor verbunden mit derselben ktricitätsmenge, welches von den elektrischen Kräften durch das Wasser rieben wird.

Es muss demnach jedem elektrochemischen Elemente z. B. dem H, Na, Ag, NO₃, Cl, J... in verdünnter wässeriger Lösung ein ganz timmter Widerstand zukommen, gleichgültig aus welchen Elektrolyten Molekul abgeschieden ist. Aus diesen Widerstunden, welche für jedes ment ein für allemal bestimmbar sein müssen, muß sich das Leitungsmögen jeder Verbindung berechnen lassen.

Man sieht, dass dieser Satz ganz davon unabhängig ist, ob das elekchemische Molekül für sich wandert, oder ob es gleichzeitig ein Quan-

Grotrian, Poggend. Ann. Bd. CLX. Wiedem. Ann. Bd. VIII.
 Bouty, Comptes Rendus T. XCVIII. p. 362.
 Über Beziehung zwischen der elektrischen Leitungsfähigkeit und der fusion der Salze sehe man Long, Wiedem. Ann. Bd. IX.
 F. Kohlrausch, Wiedem. Ann. Bd. VI.

tum unzersetzter Lösung mitnimmt, es mus auch gleichgültig sein, voraugesetzt, dass die Lösung nur verdünnt genug ist, dass man annehmen darf, das Molekül wandert im Lösungsmittel, ob zwischen dem Molekül und dem Wasser irgend welche elektrische oder sonstige Wechselwirkung besteht, denn es ist eben immer dasselbe Molekül, welches wandert¹).

Hierbei, und darauf macht Kohlrausch sofort aufmerksam, kann man aber nicht ohne weiteres annehmen, daß z. B. das Kaliummolekul dasselbe ist, welches aus dem elektrochemischen Molekul einer Verbindung zweist einwertiger Molekule, also aus KCl oder KNO_3 abgeschieden ist oder aus dem der Verbindung des Kaliums mit einem zweiswertigen Molekul, also aus $\frac{1}{2}(K_2SO_4)$, oder daß das Chlormolekul aus KCl und $\frac{1}{2}(CuC_l)$ dasselbe ist. Denn es ist möglich, daß im letztern Falle Doppelmolekul wandern, welche einen andern Widerstand finden wie zwei einzelne Melekule.

Nur für aus gleichartigen Verbindungen abgeschiedene Moleküle könne wir also obigen Satz aufstellen.

Es handelt sich demnach darum, die Geschwindigkeiten der einzelbes Molekule zu bestimmen, und das geht mit den Hittorfschen Überführungzahlen in folgender Weise.

Wir denken uns eine Lösung eines Elektrolyten, welche in der Formeiner Säule vom Querschnitt eins gegeben sei. In der Längeneinheit der Säule, also in der Volumeinheit der Lösung befinden sich m Molette. In der Säule sei ein Strom erregt durch die Einheit des Gefälles, so das die in der Zeiteinheit durch jeden Querschnitt des Leiters hindurchgehende Elektricitätsmenge c nach dem Ohmschen Gesetze, nach welchem

$$c= \overline{+} \ kq \ \frac{dV}{dx}$$
 ist, weil $\frac{dV}{dx}=1$ und $q=1$, gegeben ist durch

$$c == k$$
.

also die Stromstärke, welche der im mechanischen Maße gemessenen Elektricitätsmenge proportional ist, der Leitungsfähigkeit proportional ist

Der Strom kommt dadurch zustande, das das Kation mit einer gewissen Geschwindigkeit U nach der einen, das Anion mit einer Geschwindigkeit U_1 nach der entgegengesetzten Seite sich bewegt und jedes die Elektricitätsmenge ε , das Kation die positive, das Anion die negative mit sich führt. In der Zeiteinheit wird also in unserer Flüssigkeit die Elektricitätsmenge $m\varepsilon$ mit dem Kation durch die Strecke U, mit dem Anion der gegen die gleiche Menge — $m\varepsilon$ durch die Strecke U_1 nach der entgeger gesetzten Richtung bewegt. Das ist dasselbe, als wenn die positive Menge $m\varepsilon$ durch die Strecke $U+U_1$ bewegt würe, so dass die in der Zeiteitheit durch jeden Querschnitt des Leiters fließende Elektricität v=k gegeben ist durch

$$k = m\varepsilon (U + U_1) = m (u + v).$$

¹⁾ Hiernach kann ich Wiedemann nicht beistimmen, wenn er (Elektricitiblehre Bd. II. S. 955) sagt, Kohlrausch habe die Reibung der unzersetzt forgeführten Salzteile beiseite gelassen, denn bei der elektrolytischen Leitung kommen diese nur insoweit in Betracht, als sie von den lonen mitgenommen werden.

107.

ücken wir also das Leitungsvermögen anstatt durch die Gewichtspronte der Lösung durch die in der Volumeinheit enthaltene Molekülzahl s, so muß, so lange u und v konstant sind, das Leitungsvermögen der lösten Molekülzahl für gleiche Molekülzahl verschiedener gelöster Subnzen der Summe u + v proportional sein.

Im §. 87 sahen wir, dass man die Abhängigkeit der Leitungsfähigit der Lösungen vom Salzgehalte gewöhnlich durch Gleichungen darellt, welche die Gewichtsprozente oder das in der Gewichtseinheit der sung vorhandene Gewicht p enthalten und die Form hatten

$$k = \kappa p + \kappa' p^2.$$

m Koefficienten n nannte Kohlrausch das specifische Leitungsvermögen r Lösung. Man kann hieraus leicht die Abhängigkeit der Leitungsnigkeit von der Zahl der in der Volumeinheit gelösten Moleküle erlten. Ist p die in einem Gramm der Lösung vorhandene Gewichtsnige, so ist, wenn s das specifische Gewicht der Lösung ist, diese Menge dem Volumen $\frac{1}{s}$ vorhanden, somit ist in der Volumeinheit ps Gramm löst. Dividieren wir diese Zahl durch das Gewicht A des elektrocheischen Moleküls, das heißt durch die elektrochemisch äquivalenten Menn, also etwa KCl oder $\frac{1}{2}$ K_2 SO_4 , so erhalten wir die Molekülzahl m, elche in der Volumeinheit gelöst ist, es ist somit

$$m=\frac{ps}{4}$$
.

Einer Lösung von bestimmtem Prozentgehalt p entspricht demnach ne bestimmte Molekülzahl m nur bei einer bestimmten Temperatur, da s specifische Gewicht s von der Temperatur abhängig ist. Um die olekülzahl nicht durch zu kleine Zahlen auszudrücken, giebt Kohlusch dieselben nicht durch Gramm im Kubikcentimeter, sondern durch lligramm, setzt also

$$m = 1000 \frac{ps}{A}.$$

ücken wir hiernach p durch m aus, so können wir schreiben

$$k = \frac{A \pi}{1000 s} m + \left(\frac{A}{1000 s}\right)^2 \kappa' m^2 \dots$$

erin hängt s von m ab; setzen wir

$$s=1+am+bm^2\ldots$$

 \mathbf{d} entwickeln $\frac{1}{s}$ in eine Reihe, so können wir schreiben

$$k = \varkappa \frac{A}{1000} m + \lambda_1 m^2 + \cdots$$

nn wir die so sich ergebenden Koefficienten der folgenden Glieder mit

Wie z die specifische Leitungsfähigkeit, so nennt Kohlrausch den efficienten des ersten Gliedes der letzten Gleichung

$$\varkappa \frac{A}{1000} = \lambda$$

molekulare Leitungsfähigkeit der Lösung.

Da wir vorhin ableiteten

$$k = (u + v) m,$$

so folgt hiernach

$$u + v = \lambda$$
.

Die molekulare Leitungsfähigkeit eines Elektrolytes setzt sich also am der Geschwindigkeit oder, wie es Kohlrausch geradezu nennt, der molekularen Leitungsfähigkeit des Kations und des Anions zusammen.

Die Hittorfschen Überführungszahlen geben uns das Verhältnis der Geschwindigkeit der einzelnen Ionen u und v zu der Summe der Geschwindigkeiten u+v, da uns die Überführungszahl jedes Ions den Bruchteil des von beiden zurückgelegten Weges giebt, welchen das betreffende Ion zurücklegt. Ist demnach n die Überführungszahl des Anions so ist

$$n = \frac{v}{u+v} \qquad 1 - n = \frac{u}{u+v}.$$

Für die molekularen Leitungsvermögen der einzelnen Ionen erhalten wir demnach

$$v = n(u + v) = n\lambda$$
 $u = (1 - n)(u + v) = (1 - n)\lambda$.

Man erhält somit aus dem molekularen Leitungsvermögen eines Elektrolyten und den Überführungszahlen die molekularen Leitungsvermögen der Ionen. Nach der Theorie müssen die Werte von u oder von v, welcht sich für ein und dasselbe Molekül ergeben, unabhängig davon sein, mit welch anderm Molekül es vorher verbunden war. Das ist in der That nach den Beobachtungen von Kohlrausch der Fall.

In folgender Tabelle geben wir zunächst die von Kohlrausch aus seinen Beobachtungen und denen von Lenz abgeleiteten molekularen Leitungsvermögen für die Temperatur 18° einer ziemlichen Anzahl von Elettrolyten multipliziert mit 10°, also λ . 10°. Die Tabelle ist so geordnet, daß in der obersten horizontalen Reihe die Anionen, in der ersten Vertikalreihe die Kationen angegeben sind. Jede Zahl giebt also 10° lür die Verbindung jener Moleküle, welche an der Spitze der die Zahl enthaltenden Vertikalreihe und Horizontalreihe angegeben sind.

Tabelle der molekularen Leitungsvermögen.

Tabelle der molekularen Leitungsvermogen.								
	Cl	Br	J	NO ₃	$C_2 H_3 O_2$	1/2 S O4	1/2 CO3	OH
K	97,5	103,6	103,0	92,2	69,7	78,8	78,3	197,7
NH_4	95,4	102,9	101,6	93,4	-	76,5	-	-
Na	81,5	81,3	84,5	75,8	54,6	63,4	55,5	178,2
Li	70,1	-	75,8	_	-	51,3	_	150,0
Ag	-	_	-	84,5	-	-	-	-
H	323,2	310,7	328,0	334,4	-	206,4	-	1-
$\frac{1}{2}Ba$	79,4	88,2	88,1	69,2	-		100	166,1
1/2 Sr	77,4	-	-	-	114	-	-	-
1/2 Ca	75,0	72,9	73,4	71,3	-11	-	1	-
1/2 Mg	71,9	_	_	68,5	-	36,9	11 201	-
$\frac{1}{2}Zn$	68,1	69,2	70,5	-	-	33,6		19
1/2 Cu	-	-	-	72,0		32,6	1100	-
12				, ,,,		-		

757

In der nachfolgenden Tabelle teilen wir die von F. Kohlrausch aus n Beobachtungen von Hittorf, Weiske und Wiedemann für verdünnte sungen abgeleiteten Werte der Überführungszahlen n für das Anion der treffenden Verbindungen mit. Die Tabelle ist ebenso geordnet wie die rhergehende; jede Zahl giebt die Überführungszahl des in derselben rtikalreihe stehenden Anions, wenn dasselbe mit dem in derselben Horintalreihe stehenden Kation verbunden ist.

	cı	Br	J	CN	NO ₃	C_2 H_3 O_2	1/2 SO4
K	0,515	0,514	0,505	0,47	0,498	0,329	0,499
NH_4	0,510	<u> </u>	<u> </u>	-	<u>'</u>		_
Na	0,623		0,60	_	0,613	0,430	0,635
Ag	-		<u> </u>		0,526	0,375	0,556
H	0,19	0,19	0,25		0,14	_	0,195
1/2 Ba	0,618	<u>.</u>	<u> </u>	_	0,61		· <u> </u>
$\frac{1}{2} Sr$	0,655	_		_	<u> </u>		
1/2 Ca	0,673	_	0,68		0,59	_	
1/. Mg	0,682		0,66			_	0,63
1/2 Zn	0,70		0,68		-	-	0,64
1/2 Cu	-		<u> </u>		0,59		0,645.

Tabelle der Überführungszahlen n.

Die Molekülformeln entsprechen elektrochemisch äquivalenten Mengen.
Die beiden Tabellen enthalten das Material zur Prüfung der Theorie
Kohlrausch. Beschränken wir uns zunächst auf die Verbindungen
wertiger Moleküle, so folgt z. B. für das molekulare Leitungsvermögen
Kalium und Natrium aus dem

	Chloride	Jodide	Nitrate	Acetate	Mittel
Calium $u \cdot 10^7$	48	51	46	47	48
atrium	31	34	29	31	31,2

Man sieht die einzelnen Werte weichen nur wenig vom Mittel ab. is allen geeigneten Beobachtungen leitet Kohlrausch für die einwertigen bleküle folgende molekularen Leitungsvermögen ab:

	\boldsymbol{K}	NI	I_4	Na	$oldsymbol{Li}$	$\boldsymbol{A}g$	H
$u \cdot 10^7$	48	47	7	31	21	40	278
	Cl	Br	CN	Fl	NO_3	$Cl\ O_{\mathbf{s}}$	$C_2 H_3 O_2$
$v \cdot 10^7$	49	53	5 0	30	46	40	23

Indem er dann aus denselben für 24 Elektrolyte, für welche and achtet ist, das molekulare Leitungsvermögen und für 14 die Urungszahl berechnet, ergiebt sich, daß die Übereinstimmung ver eorie und Beobachtung eine durchaus befriedigende ist, wasserstoff berechnete Überführungszahl weicht von der ker ab, als es die Ungenauigkeiten, die besonders bediger Tabelle angegebenen Überführungszahlerarten lassen. Da indes bei Jodwasserstoff d

nur für das Anion bestimmen lässt, so hält Kohlrausch hier einen tum nicht ausgeschlossen.

Für die Verbindungen der zweiwertigen Metalle mit einwertigen Mkülen kommt Kohlrausch zu dem Resultate, dass für das Anion das mkulare Leitungsvermögen dasselbe bleibt, so dass man schließen muß wandert nach der Zersetzung das einzelne Molekül für sich, nicht in der Verbindung vorhandene Doppelmolekül, also z. B. aus den Criden nicht Cl_2 sondern Cl.

Indem Kohlrausch hiernach die molekularen Leitungsvermögen einzelnen zweiwertigen Metalle berechnet, erhält er für

$$^{1}/_{2} Ba$$
 $^{1}/_{2} Sr$ $^{1}/_{2} Ca$ $^{1}/_{2} Mg$ $^{1}/_{2} Zn$ $^{1}/_{2} Cu$ $^{1}/_{2} Cu$ $^{1}/_{2} Cu$

und findet eine, wenn auch nicht so gute Übereinstimmung wie bei d Verbindungen einwertiger Moleküle.

Bei den Verbindungen der einwertigen Metalle mit den zweibasisch Säuren, Schwefelsäure und Kohlensäure ergeben sich dagegen andere Wedes molekularen Leitungsvermögens der Metalle, so daß also $\frac{1}{2}(K_2)$ ein anderen Wert hat als K. Es findet sich für

Aus den Verbindungen schließlich der zweiwertigen Metalle Manesium, Zink, Kupfer mit der Schwefelsäure ausgeschieden ergeben unter Voraussetzung, daß die Salze in der Lösung als Mg SO_4 etc. was halten sind und in Mg etc. als Kation, SO_4 als Anion zerfallen, für Metalle sowohl als für $\frac{1}{2}$ SO_4 andere Werte wie sie vorher gefund waren, es wird v. 10^7 für $\frac{1}{2}$ (SO_4) gleich 22 anstatt 40 und für $\frac{1}{2}$ gleich 14, $\frac{1}{2}$ Zn gleich 12 und $\frac{1}{2}$ Cu ebenfalls gleich 12.

Kohlrausch glaubt, wie es auch schon neuerdings!) aus chemisch Gründen geschehen sei, annehmen zu dürfen, dass die Konstitution des Salze in den Lösungen und das Schema der Zersetzung ein anderes müsse, als es jene Formeln voraussetzen.

Überhaupt macht Kohlrausch darauf aufmerksam, und das trat auch schon in dem vorigen Paragraphen bei der Theorie der Elektrolyse hervor, dass man aus dem Resultate der Elektrolyse nicht mit Sicher schließen kann, was eigentlich die Ionen sind, man wird daher in Fills in welchen die Theorie von Kohlrausch unter Voraussetzung der setzung nach einem bestimmten Schema sich nicht bestätigt, immen vermuten dürfen, dass die Ionen nicht die angenommenen sind, das Theorie sich bei den Verbindungen einwertiger Moleküle so vortressbewährt hat. Gerade der Umstand, dass wir über die Konstitution Salze in den Lösungen noch so wenig wissen, läst ein abschließen Urteil über die Theorie von Kohlrausch noch nicht möglich erschein

¹⁾ Lothar Meyer, Theorieen der Chemie. 2. Aufl. S. 277.

gehen daher auf weitere Details, wie sie von Kohlrausch in seiner nandlung behandelt sind, nicht ein und verweisen deswegen auf die handlung selbst. Nur das sei hier noch hervorgehoben, daß die Theorie Kohlrausch die einfachste Darlegung des aus allen Erfahrungen zu ließenden Satzes ist, daß die Flüssigkeiten nur elektrolytisch leiten, is also überhaupt die Elektricität nur dadurch zu den Elektroden geigt, daß das Kation an der Kathode seine positive, das Anion an der iode seine negative Elektricität abgiebt. Halten wir diesen Satz fest, kann die Leitungsfähigkeit nur durch die Beweglichkeit der Ionen bengt sein.

§. 108.

Polarisation und Übergangswiderstand. Der Durchgang des Stroes durch Flüssigkeiten oder die Elektrolyse bewirkt an den Stellen, an nen der Strom in die Flüssigkeit eintritt und dieselbe verläst, eine nzahl von Veränderungen, welche sich teils in einem Widerstande gegen in Durchgang des Stromes teils in dem Auftreten einer elektromotorischen aft zu erkennen geben.

Wir haben bereits mehrfach erwähnt, dass fast stets beim Einschalten er Flüssigkeit in einen Stromkreis sich eine viel erheblichere Schwächung Stromes zeigt, als sie durch den Leitungswiderstand der Flüssigkeit Lingt ist. Denn haben wir zunächst eine Flüssigkeitsschicht von der age f eingeschaltet, und nehmen an, dass die Schwächung des Stromes in durch Vergrößerung des Widerstandes R auf R+af bedingt sei, müste durch Verdoppelung der Flüssigkeitsschicht auf 2f der Stromsprechend geschwächt werden, so dass die Stromstärken sich in den den Fällen verhielten wie R+2af zu R+af.

Das ist jedoch nicht der Fall, sondern die Schwächung des Stromes bei Einschaltung des flüssigen Widerstandes f sehr viel bedeutender bei Verdoppelung des flüssigen Widerstandes von f auf 2f. Man him deshalb früher an, dass an der Grenze der Elektroden bei dem vergange des Stromes aus den Metallen in die Flüssigkeit ein eigenmlicher Widerstand vorhanden sei, den man den Widerstand des Übernges nannte¹). Ist ein solcher vorhanden, so muß der Strom bei dem nschalten einer Flüssigkeitsschicht natürlich mehr geschwächt werden, wenn man die Länge einer eingeschalteten Flüssigkeitsschicht verdoppelt. In bezeichnen wir die elektromotorische Kraft in einem Stromkreise E, den Widerstand des Kreises mit Ausnahme der Flüssigkeit mit den Widerstand der Flüssigkeit kurz mit f und diesen vermuteten Prgangswiderstand mit w, so ist die Stromstärke, wenn der Strom die seigkeit nicht enthält

$$J_1 = \frac{E}{R},$$

d die Flüssigkeit eingeschaltet, so geht die Stromstärke über in

$$J = \frac{E}{R + f + w} .$$

¹⁾ De la Rive, Ann. de chim. et de phys. T. XXVIII. Fechner, Lehrbuch Galvanismus S. 180 und 224. Maßbestimmungen S. 34 ff.

Wird jetzt die Länge der Flüssigkeitsschicht verdoppelt, so wird in dem Nenner dieses Ausdruckes nur f verdoppelt, nicht aber w, und dehalb mußte die Schwächung bei dem ersten Einschalten der Flüssigkeit viel bedeutender sein als bei Verdoppelung ihrer Länge.

In vielen Fällen ist die Existenz eines solchen Widerstandes k, der unter Umständen direkt als Übergangswiderstand bezeichnet werden kann nicht zu leugnen, er muß stets auftreten, wenn durch die Elektrolyse in der Nähe einer oder beider Elektroden eine weniger gut leitende Schicht erzeugt oder wenn an den Elektroden eine schlecht leitende Schicht gebildet wird. Letzteres ist z. B. der Fall, wenn man verdünnte Schwefelsäure zwischen Kupferelektroden zersetzt, wobei sich das Kupfer der Ande mit einer schlecht leitenden Oxydschicht bedeckt; ähnliches tritt in anderen Fällen ein; weiter kann sich ein solcher Übergangswiderstand durch Verdünnung der Lösungen an den Elektroden infolge der Wanderung der Ionen zeigen. Andererseits kann infolge der Elektrolyse auch der Widerstand abnehmen, wenn infolge der abgeschiedenen Ionen die Flüssigkeit an den Elektroden besser leitend wird, so z. B. bei der Zersetzung schwefelsauren Kupfers und Anwendung einer Platinplatte als Anode, da dam an der Anode freie Schwefelsäure auftritt.

Auf die Bildung schlecht leitender Schichten sind auch die von E. Du Bois Reymond 1) und Munk 2) untersuchten sogenannten sekundären Widerstände zurückzuführen, welche sich bei gewissen porösen Körpen dadurch zeigen, dass infolge des Stromdurchganges der Widerstand derselben sehr stark wächst.

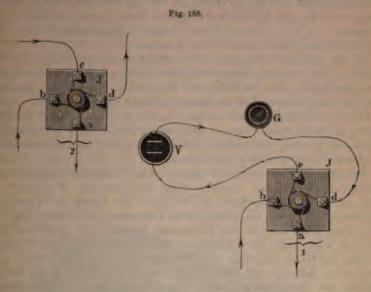
Indes diese Widerstände sind es nicht, welche man früher als Übergangswiderstände bezeichnete, sondern man glaubte die fast immer bei Einschaltung der Flüssigkeit eintretende Stromschwächung, auch wenn keine Änderung der Flüssigkeit oder der Elektroden stattfindet, wie bei der Zersetzung verdünnter Schwefelsäure zwischen Platinelektroden einem eigentümlichen Widerstande zuschreiben zu müssen. Schon Ohm³) hob jedoch hervor, dass die Existenz eines solchen zweiselhaft sei, da noch eine andere wohl zuerst von Ritter¹) genauer beobachtete Ursache dieser Stromschwächung vorhanden ist, nämlich eine elektromotorische Gegenkraft, welche einen dem ursprünglichen entgegengesetzten Strom in dem Stromkreise zu erzeugen strebt.

Von der Existenz dieser Gegenkraft kann man sich leicht durch folgenden Versuch überzeugen. In einen Stromkreis, welcher ein Voltzmeter V (Fig. 188) und ein Galvanometer G enthält, schaltet man zugleich einen Interruptor J ein, von welchem Fig. 189 eine perspektivische Ansicht giebt. Die Einrichtung desselben ist folgende. Auf einer Platte von trocknem Holze sind 4 Klemmschrauben a, b, c, d aufgestellt. An jeder dieser Klemmschrauben sind Metallstreifen befestigt, welche an ihrem Ende umgebogen, federnd gegen einen in der Mitte des Brettes aufgestellten vertikalen Cylinder pressen. Der Cylinder ist aus Elfenbein verfertigt;

E. Du Bois-Reymond, Monatsberichte der Berliner Akademie 1860
 H. Munk, Du Bois-Reymonds und Reicherts Archiv. Jahrg. 1873.

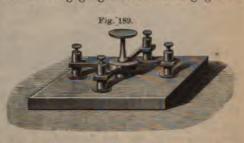
³⁾ Ohm, Schweiggers Journal Bd. LXIII und LXIV. 1831. 4) Ritter, Voigts Neues Magazin. Bd. VI. 1803.

auf demselben befinden sich aber zwei Kupferstreifen, welche, wie es die Grundrisse dieses Apparates J (Fig. 188) zeigen, in einem Kreise um den Cylinder herumgelegt sind, so daß aber ihre Enden sich nicht berühren, die Streifen also nicht in leitender Verbindung sind. Der Cylinder ist an dem Knopfe O um die vertikale Axe drehbar.



Die Federn an a, b, c, d sind so gestellt, das immer zwei an einem der Streifen anliegen. Je nachdem man nun die Klemmschraube mit verschiedenen Teilen des Stromkreises verbindet, kann man mit diesem Apparate den Strom unterbrechen, einzelne Teile für sich verbinden, oder auch dem Strome in einem Teile des Kreises die entgegengesetzte Richtung geben.

Verbindet man in der Stellung 1 (Fig. 188) den positiven Pol der Batterie mit b, die Klemmschraube c mit der Elektrode c, die Elektrode f mit dem Galvanometer G, den zweiten Draht des Galvanometers mit der Klemmschraube d, und schliefslich die vierte Klemmschraube a mit dem negativen



Pole der Batterie, so cirkuliert durch die ganze Kombination der Strom der Batterie in der Richtung der Pfeile; es wird also e im Voltameter ≥ur Anode, f zur Kathode, und der Strom fließt durch das Galvanometer von f nach d.

Läfst man den Strom so einige Zeit durch das Voltameter hindurgehen und dreht dann den Cylinder des Interruptors um 90° in die Fig. 1 Nr. 2 angedeutete Stellung, so fliefst der Strom der Batterie nicht medurch das Voltameter, sondern er geht von b durch die Feder auf n Kupferstreifen, auf diesem zu der Feder, welche zur Klemme a führt, und von dieser zu der Batterie zurück.

Dagegen bildet jetzt das Voltameter mit dem Galvanometer durch die jetzt metallisch verbundenen Klemmen e und d einen geschlossenen Kreis. Man erkennt sofort an der Ablenkung der Galvanometernadel, daß in diesem Kreise ein Strom cirkuliert, dessen Richtung derjenigen entgegengesetzt ist, welche der ursprüngliche Strom hatte; er fließt in dem Voltameter von der Kathode f zur Anode e, dann weiter von e durch e, d, durch das Galvanometer G zu f zurück.

Da in unserm Voltameter beide Elektroden von Platin und gassgleichartig sind, so kann dieser sekundäre Strom nur infolge des ursprünglichen entstanden sein, welcher die Elektroden, die vorher gleichartig waren, in einen elektrischen Gegensatz gebracht hat, so daß sie in dieser Kombination elektromotorisch wirken, ähnlich wie wenn f eine Zinkplatte und e eine Kupferplatte wäre. Man nennt sie deshalb polarisiert, die Kathode ist positiv, die Anode negativ polarisiert, und bezeichnet des

sekundären Strom als Polarisationsstrom.

Da nun, wie wir im §. 73 sahen, zwei Platinbleche gegen einander elektromotorisch wirksam werden, wenn das eine mit Wasserstoff, das andere mit Sauerstoff umhüllt ist, so kann der Grund der Polarisation nicht zweifelhaft sein; ein polarisiertes Voltameter ist einfach eine 6asäule. Denn wenn auch in dem Voltameter das Gas nicht in solcher Menge entwickelt wird, dass die Elektroden wie bei den Groveschen Gasketten ganz von den Gasen umgeben sind, so kann es doch keinem Zweifel unter worfen sein, dass sie auf das vollständigste mit Gas bedeckt sind, da jedenfalls die zuerst entwickelten Gasmoleküle durch die Oberflächenwirkung auf dem Platin verdichtet werden. Wie wir bei der Zersetzung des Wassers sahen, beweist ja auch der Mangel an Proportionalität wischen Stromstärke und Gasentwicklung bei Anwendung großer Elektroden und schwacher Ströme, oder der Umstand, dass die Volumina der entwickelten Gase nicht genau im Verhältnisse von 1 zu 2 stehen, wenn eine große und eine kleine Elektrode genommen wird, dass an den Elektroden Gas verdichtet wird.

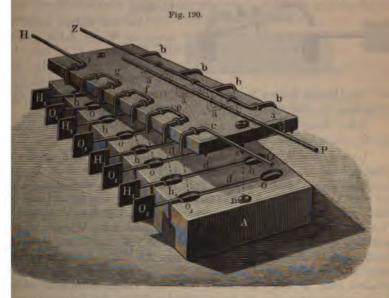
Daraus folgt dann, dafs nicht allein bei der Zersetzung des Wassers sondern auch bei der Zersetzung aller der Substanzen, welche Gase liefert, die in den Gasketten elektromotorisch wirksam sind, die Polarisation der Elektroden auftreten mufs. Lenz und Saveljew¹), sowie Beetz²) haben diese Schlufsfolgerung experimentell bestätigt, sie haben gezeigt, dafe nicht nur bei der Zersetzung des Wassers, sondern auch bei derjenigen von Chlorwasserstoff, Salpetersäure u. s. w. die Elektroden polarisiert werden, und nicht nur bei Anwendung von Platinelektroden, sondern auch bei Elektroden von andern Metallen oder Kohle.

Zu dieser eigentlichen Polarisation tritt noch bei der Zersetzung von Salzen eine andere elektromotorische Kraft, welche den eigentlichen Polarisationsstrom in vielen Fällen noch bedeutend verstärkt, nämlich dadurch daß nach dem Eintritt der Elektrolyse die Elektroden von verschiedenen

Lenz und Salveljew, Poggend. Ann. Bd. LXVII. Beetz, Poggend. Ann. Bd. XC.

gkeiten umgeben sind. Am kräftigsten ist diese elektromotorische bei der Zersetzung von Alkalisalzen, bei denen nach dem Eintritt ektrolyse die eine Elektrode von freiem Alkali, die andere dagegen eier Säure umgeben ist. Da die Alkalien die Metalle stark negativ, uren dieselben dagegen häufig positiv erregen, so folgt, daß der reh entstehende Strom sich zu dem eigentlichen Polarisationsstrom t. In Salzen ist daher der nach Schluß des Stromkreises in demauftretende Gegenstrom am stärksten.

er Polarisationsstrom ist nur von kurzer Dauer, ebenso wie die in den Gasketten, und aus demselben Grunde; denn der Polaristrom selbst zersetzt die Flüssigkeiten und lagert so bei der Wasserung z. B. an der früher mit Wasserstoff bedeckten Elektrode Sauerb, welcher sich mit dem Wasserstoff verbindet und so die Polarisation t. Um daher die Wirkungen des Polarisationsstromes zeigen und setze desselben studieren zu können, muß man häufig in rascher den erregenden Strom durch den Zersetzungsapparat leiten und den zungsapparat für sich schließen können. Poggendorff¹) hat zu dem einen sehr zweckmäßigen Apparat angegeben, die Wippe; Fig. 190



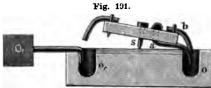
con demselben eine perspektivische Ansicht. Der Apparat besteht vei Teilen, der Unterlage und der eigentlichen Wippe. Die Untertein Brettchen A, von eirea 15 cm Länge und 10 cm Breite. In de sind in zwei parallelen Reihen je sechs oder acht Vertiefungen A, h. eingebohrt. Die Löcher sind mit Quecksilber gefüllt, und t gleichen Buchstaben in beiden Reihen bezeichneten Löcher, also

Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXI. Andere Apparate der Art von er (Freiburg) siehe: Fortschritte der Physik, Braunschweig 1849. S. 356. ssen, Die Polarisationsbatterie. Poggend. Ann. Bd. CXXIV. Bd. CXXV.

die Löcher o und die Löcher h sind in leitender Verbindung mit einender durch in das Quecksilber getauchte Drähte dd.

Auf die Unterlage kommt nun die eigentliche Wippe zu stehen; dieselbe besteht aus einem Brettchen, etwa 1,5 cm dick, 5 cm breit und ebenso lang als die Unterlage, welches mit zwei Spitzen s auf den Vertiefungen n der Unterlage steht, so dass es entweder nach der einen oder andern Seite neigt, und entweder mit der einen oder der andern Rele von Haken in die Quecksilbernäpfchen o, h taucht. An den vier Ecke des Brettchens sind Stifte angebracht, welche, kurzer als die Spitzen a die Bewegung des Brettchens nach der einen oder andern Seite begrenze, so daß die Drähte nicht zu tief in das Quecksilber eintauchen. An der äußersten Punkten der Bewegung ruht also das Brettchen immer auf der mittleren Spitzen s und zwei seitlichen Spitzen, wie Fig. 191 im Durch schnitt zeigt.

Die Verbindung der einzelnen Drähte, welche die Wippe trägt, ist is der Figur deutlich; die sämtlichen Drähte a (Fig. 191) sind mit den Drahte P, die sämtlichen Drähte



mit dem Drahte Z in leitender Ver bindung.

An der andern Seite stelle. wenn die Wippe dahin geneigt ist die Drähte c, f, g eine leitende Verbindung zwischen den ungleich bezeichneten Vertiefungen $h_1, o \dots$

her. Die beiden letzten Drähte Oc und Hi tauchen der erste in die erste Vertiefung o_i , der letztere in die letzte Verbindung h.

Jedes Paar der Öffnungen o_1 , h_1 ist nun weiter mit den Elektroden O_1 , H_1 eines Voltameters in leitende Verbindung gesetzt.

Ist nun die Wippe so gestellt, dass die Drühte a, b in die Quedsilbernäpfehen o, h eintauchen (Fig. 191), und wird dann P mit dem positiven, Z mit dem negativen Pole einer Batterie verbunden, so fließt. wie man sieht, durch die sämtlichen Voltameter ein Strom von gleicher Stärke, wenn die Elektroden gleiche Größe und gleichen Abstand haben Verbindet man die Drähte O und II in irgend einer Weise mit einander und legt die Wippe um, so fliesst durch den Kreis OH der Polarisationsstrom. Indem man nun in rascher Folge die Wippe hin und her bewegt kann man ebenso oft die Platten O_1 , H_1 laden und wieder entladen Schaltet man in den Stromkreis OH eine Tangentenbussole oder eine Zersetzungsapparat ein, so kann man die Stärke des Polarisationsstreme messen, oder mit ihm die sämtlichen Wirkungen galvanischer Ströme zeigen.

Wenn nun auch feststeht, dass in einem Stromkreise, der eine Zersetzungszelle enthält, eine elektromotorische Gegenkraft vorhanden ist. 90 ist damit noch keineswegs bewiesen, daß in den Fällen, wo sich an den Elektroden keine schlecht leitende Schicht bildet, kein Übergangswiderstand vorhanden ist; es ist im Gegenteil wohl möglich, dass neben der Polarisation noch ein eigentümlicher Widerstand beim Übergang des Strones aus einem festen in einen flüssigen Leiter vorhanden ist.

Lenz1) und Poggendorff2) glaubten den Nachweis der Existenz desselben dadurch liefern zu können, dass sie bei fast momentan wechselnden, hin- und hergehenden Strömen, wie sie durch magnetelektrische Maschinen erhalten werden, zeigten, dass auch diese durch Einschaltung einer Flüssigkeitsschicht stärker geschwächt werden, als es vermöge des Widerstandes der Flüssigkeit hätte sein sollen. Vorsselmann de Heer3) hat jedoch darauf aufmerksam gemacht, dass die Voraussetzung, auf welche dieser Nachweis sich gründet, in der That nicht richtig ist. Es wird nämlich dabei vorausgesetzt, dass die Herstellung der Polarisation so viel Zeit braucht, daß sie bei diesen kurz dauernden Strömen nicht merklich ist. Das ist nicht der Fall, denn wenn auch die Polarisation nicht sofort in ihrer ganzen Stärke auftritt, so kommt sie doch in demselben Augenblicke zustande, in welchem der Strom die Flüssigkeit durchsetzt. Deshalb kann auch bei diesen rasch wechselnden Strömen die Stromschwächung allein durch die Polarisation hervorgebracht sein.

Die Gesetze der Stromschwächung durch Einschaltung flüssiger Leiter sind zuerst genauer von Fechner⁴) studiert worden; er setzte dabei voraus, daß nur der Übergangswiderstand die Ursache dieser Schwächung sei, daß also die Stromstärke bei Einschaltung eines flüssigen Leiters, dessen Widerstand f ist, dargestellt werde durch die Gleichung:

$$J = \frac{E}{R + f + w},$$

worin R den Widerstand des sonstigen Schliefsungskreises und w den Thergangswiderstand bedeutet.

Für diesen Übergangswiderstand fand Fechner folgende Sätze:

1) Der Übergangswiderstand nimmt ab, wenn die Stromstärke wächst, er ist also kleiner bei stärkeren als bei schwächeren Strömen.

2) Der Übergangswiderstand ist der Größe der Elektroden umgekehrt Proportional.

3) Der Übergangswiderstand ist um so kleiner, je besser die Flüs-Sigkeit den Strom leitet.

4) Bei längerer Schließung nimmt der Übergangswiderstand erst rasch, dann immer langsamer zu und kommt so zu einem Maximum, dem dann ein Minimum der Stromstärke entspricht.

Man könnte auch alle diese Sätze für die Schwächung des Stromes lediglich durch die Annahme der Polarisation erklären; die Gleichung für die Stromstärke würde dann, wenn p die elektromotorische Kraft der Polarisation bedeutet,

$$J = \frac{E - p}{R + f};$$

der erste der vier angeführten Sätze würde dann z. B. lauten, daß die elektromotorische Kraft der Polarisation von der Stromstärke unabhängig ist.

¹⁾ Lenz, Poggend. Ann. Bd. XLVII. S. 586.

Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LIII.
 Vorsselmann de Heer, Poggend. Ann. Bd. LIII.
 Fechner, Maßbestimmungen an der galvanischen Kette S. 34 ff. und

Um die Frage, welche wie gesagt durch die direkten Versuche nicht entschieden war, zu entscheiden, nahm Lenz beim Beginne seiner Untersuchungen über die Wärmeentwicklung durch den galvanischen Strom dieselbe wieder auf 1). Um zunächst die Abhängigkeit des Übergangswiderstandes oder der Polarisation von der Stromstärke zu erhalten, verfuhr Lenz folgendermaßen. In den Stromkreis einer Daniellschen Batterie, deren Elementenzahl bei den verschiedenen Versuchen eine verschiedene war, wurden zunächst eine Tangentenbussole und ein Rheostat eingeschaltet und die Anzahl a Windungen des Rheostatdrahtes bestimmt, welche notwendig war, um an der Tangentenbussole eine bestimmte Ablenkung zu erhalten.

Dann wurde außerdem in den Stromkreis die Flüssigkeitszelle eingeschaltet und beobachtet, wie viel Windungen a_1 des Rheostaten jetzt noch erforderlich waren, um an der Tangentenbussole wieder dieselbe Ablenkung, also wieder dieselbe Stromstärke J wie vorher zu erhalten.

Ist E die elektromotorische Kraft der benutzten Batterie, l der Widerstand des Stromkreises außer dem Rheostaten und der Flüssigkeitszelle, ausgedrückt in Windungen des Rheostatdrahtes, ist l der Widerstand der Längeneinheit der Flüssigkeitsschicht, d die Länge derselben und ist weiter p die elektromotorische Kraft der Polarisation, und L die Größe des Übergangswiderstandes, wenn ein solcher vorhanden ist, so erhalten wir aus den beiden Beobachtungen folgende zwei Gleichungen:

$$J = \frac{E}{l+a}; \quad J = \frac{E-p}{l+a_1+d\,\lambda+L},$$

und indem wir die beiden Ausdrücke für J einander gleich setzen:

$$E(l+a_1+d\lambda+L) = (E-p)(l+a)$$

$$a-a_1 = d\lambda+L+\frac{p}{J} \qquad (1)$$

Wäre die Polarisation gleich O, so würde

$$a - a_i = d\lambda + L \qquad (2)$$

wäre dagegen L=0, existiert also kein Übergangswiderstand, so wäre

$$a - a_1 = d\lambda + \frac{p}{J} \qquad (3)$$

Die Werte a - a, waren bei einer Versuchsreihe folgende:

Anzahl der	Stromstärke	$a-a_i$		
Elemente	J	beobachtet	berechnet	
24	48,07	6,707	6,785	
14	33,08	8,433	8,010	
11	20,85	9,755	10,312	
6	10,10	17,205	16,942	
4	5,01	30,409	30,283	

¹⁾ Lens, Poggend. Ann. Bd. LIX.

Aus den beobachteten Werten von $a-a_1$ ergiebt sich, daß dieselben wachsen, wenn die Stromstärke abnimmt, und zwar derart, daß sie der Gleichung genügen

$$a - a_1 = c + \frac{m}{J},$$

worin c und m zwei Könstante bedeuten, welche bei dieser Versuchsreihe sind

$$c = 4,0835$$
 $m = 129,61$.

Die als berechnet angeführten Werte von $a-a_1$ sind nach der Formel mit diesen Werten berechnet.

Vergleichen wir diese Formel, die sich als empirische aus den Versuchen ergiebt, mit den aus dem Ohmschen Gesetze abgeleiteten, so erkennt man sofort in der Konstanten c den Widerstand der eingeschalteten Flüssigkeit, so daß

$$c = d \cdot \lambda;$$

und daraus folgt dann nach der Gleichung 1

Würde p=0 sein, so müßte der Übergangswiderstand der Stromstärke umgekehrt proportional sein; wäre L gleich 0, so müßte die Polarisation konstant sein für die bei diesen Versuchen angewandten Stromstärken; ja auch wenn beide existieren, muß nach Gleichung (4) dieselbe Abhängigkeit für beide Größen existieren, denn nur wenn p konstant und L der Stromstärke umgekehrt proportional ist, kann die Gleichung (4) bestehen.

Ganz dieselben Resultate und fast denselben Wert von m erhielt Lenz, als er die Dicke d der Flüssigkeitsschicht änderte, und auch als er die Elektroden bis zu verschiedener Tiefe in die Flüssigkeit eintauchte. Daraus folgt also, daß sowohl der Übergangswiderstand als die Polarisation fast unabhängig sind von der Größe der Fläche, in welcher der Strom aus den festen Leitern in die flüssigen übertritt.

Gerade dieser letzte Satz spricht wohl gegen die Annahme, dass ein eigentümlicher Übergangswiderstand existiert, ein Widerstand, den der Strom bei einem Wechsel der festen und flüssigen Leiter zu überwinden hätte, ohne dass sich eine schlechtleitende Schicht zwischen den beiden Leitern bildet. Ja dieser Satz ist unter Voraussetzung des Übergangswiderstandes mit dem ersten im Widerspruch. Nach dem ersten Satze soll der Übergangswiderstand der Stromstärke umgekehrt proportional sein; tritt nun ein und derselbe Strom einmal durch eine Elektrode vom Querschnitt eins in eine Flüssigkeit, ein anderes Mal durch eine Elektrode von doppelter Obersläche, so ist in dem zweiten Falle die Intensität des durch die Flächeneinheit tretenden Stromes die Hälfte von vorher, deshalb muß der Übergangswiderstand der doppelte sein von vorher.

Dagegen ist es nach den früheren Sätzen über die Unabhängigkeit der elektromotorischen Kraft von der Größe der erregenden Fläche fast selbstverständlich, daß auch die elektromotorische Kraft der Polarisation von der Größe der Elektroden unabhängig ist, oder doch nur wenig ihr abhängt.

Wir werden deshalb berechtigt sein, in allen den Fällen, in we sich nicht an den Elektroden eine schlecht leitende Schicht bildet, Übergangswiderstand nicht anzunehmen.

Nach den Versuchen von Lenz würde die Polarisation unabhängig von der Stromstärke und der Größe der Elektroden; indes zeigen s die Werte, welche man für dieselbe aus den Beobachtungen von berechnen kann, daß beides nicht ganz strenge der Fall ist. Für Abhängigkeit der Polarisation von der Stromstärke ergiebt sich vielm daß sie mit derselben bis zu einem Maximum zunimmt, und daß für Ströme von gewisser Stärke die Polarisation konstant wird. So z z. B. bei zwei Versuchsreihen, bei deren erster Wasser zwischen Platektroden, bei der zweiten zwischen Kupferelektroden zersetzt wurfolgendes die Werte von p in einer willkürlichen Einheit.

Platinel	ektroden	Kupferelektroden		
Stromstärke	Polarisation	Stromstärke	Polarisation	
48,07	131,3	48,07	40,86	
33,08	132,7	33,08	39,26	
20,85	125,8	20,85	36,38	
10,10	119,1	10,10	33,91	
5,01	114,2	5,01	31, 89.	

Wie man sieht, ist erst für die beiden größten Stromstärken Polarisation merklich dieselbe, für die schwächeren Ströme ist sie et kleiner.

Da somit die Polarisation von der Größe der Stromstärke nicht unabhängig ist, wird man schon schließen, daß sie auch mit der Grder Elektroden bei gleicher Stromstärke sich ändert, da die Stärke durch die Flächeneinheit tretenden Stromes dann kleiner ist. Daß der der That so ist, zeigen nun auch die Versuche von Lenz unmittel Bei einer Stromstärke in dem eben angegebenen Maße gleich 10 fier folgende Werte für die Polarisation.

Größe der Elektr.	Polarisation	Größe der Elektr.	Polaris
5,95 Quadratlinien	240,11	91,00	150,5
12,50 ,,	199,83	136,50	140,8
16,68	178,38	182,00	144,8
27,57 ,,	164,09	227,50	142,7
62,50 ,,	162,76	2063,00	145,5

Die Einheit, welche diesen Zahlen zu Grunde liegt, ist etwas kle als bei den oben angeführten Werten.

Von da an, wo die Größe der Elektroden 1 Quadratzoll oder 6 Quadratcentimeter war, ist die Polarisation konstant.

(fleiche Resultate hat Poggendorff¹) mit der Wippe erhalten veränderte die Stromstärke von 0,8 bis 13,11 und fand in den von

¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXX. S. 177 ff.

ewandten Einheiten (§. 88), daß die elektromotorische Kraft der arisation von 25,41 bis 28,18 mit wechselnder Stromstärke zunahm, ova 1) leitet aus seinen Versuchen ab, dass durch ein Voltameter mit dunnter Schwefelsäure und Platinelektroden ein meßbarer konstanter com zuerst hindurchgeht, wenn die elektromotorische Kraft gleich 2,2 miell ist, und dass von da ab die Polarisation wachse bis zu einem aximum nach einer logarithmischen Gleichung

$$\frac{p}{E} = C - Ne^{-\alpha J},$$

brin E die elektromotorische Kraft des primären Stromes, dessen Intenat gleich J ist, und C, N, a drei Konstanten sind, deren Wert von gewählten Einheiten der elektromotorischen Kraft und der Stromstärke langig ist, e ist die Grundzahl des natürlichen Logarithmensystems.

Auch wenn die elektromotorische Kraft kleiner ist als 2,2 Daniell, steht Polarisation und die entstehende Polarisation ist es, welche den rehgang des Stromes hindert. Indem Crova mit Hilfe einer wippenigen Vorrichtung direkt die Stromstärke der polarisierenden Elemente 1 des durch die Polarisation erzeugten Stromes mit einander verglich, n er zu dem Resultat, dass so lange der Wasserzersetzungsapparat nicht einem Strome durchflossen ist, die elektromotorische Kraft der Poisation stets gleich ist der elektromotorischen Kraft des polarisierenden omes.

Das Auftreten einer Polarisation bei geringern elektromotorischen Aften als zu einer sichtbaren Wasserzersetzung erforderlich ist und das nigstens in gasfreien Flüssigkeiten eintretende Aufhören des Stromes t zu der Auffassung der Zersetzungszelle als eines Kondensators geführt?), sen Belegungen, die Elektroden, welche durch die Flüssigkeit von einder getrennt sind, durch den polarisierenden Strom bis zu dem gleichen erte der Potentialfunktion geladen werden, welcher an den Polen der n polarisierenden Strom liefernden Kette vorhanden ist. Dieser Konusator hat eine sehr große Kapacität, so daß es unter Umständen selbst nuten dauern kann; bis er vollständig geladen ist. Herwig³) betrachtet dieser Auffassung die Flüssigkeit einfach als ein Dielektricum, welches rch eine Drehung der Moleküle des Elektrolyten resp. durch eine Orienrung derselben dielektrisch polarisiert wird. Varley⁴), v. Helmholtz⁵) und sonders Colley") sehen dagegen jede Elektrode als einen Kondensator Wenn man sich nach der gewöhnlichen Vorstellungsweise negativ ladenen Sauerstoff der einen Elektrode, positiv geladenen Wasserstoff r andern Elektrode genähert denkt, aber so, daß ein Austausch der

¹⁾ Crova, Annales de chim. et de phys. III. Série T. LXVIII. Man sehe ch Exner, Wiedem. Ann. Bd. VI.
2) Varley, Proceedings of the Royal Society of London. Januar 12. 1871.

Exwell, A Treatise of electricity. Bd. I. S. 408 (deutsche Ausgabe). Helmholtz, egend. Ann. Bd. Cl..

Herwig, Wiedem. Ann. Bd. II, Bd. IV, Bd. VI, Bd. XI, Bd. XIII.
 Varley, Philosophical Transactions for the year 1871. Bd. CLXI.
 v. Helmholtz, Poggend. Ann. Bd. CL. Wiedem. Ann. Bd. XI.
 Colley, Wiedem. Ann. Bd. VII.

Elektricität zwischen den genannten Bestandteilen des Wassers und de Elektroden nicht möglich ist, so wird sich auf der Elektrode selbet dientsprechende Menge der entgegengesetzten Elektricitäten anhäusen können und jede Elektrode würde dann mit der Flüssigkeit einen Kondenste von verschwindend kleiner Dicke der isolierenden Schicht und eben derhalb von sehr großer Kapacität bilden.

Nach dieser Auffassung müßte der polarisierende Strom stets von kurzer Dauer sein und dann aufhören; aber auch abgesehen wu dieser Auffassung muss bei Festhaltung der Anschauung, dass die Plisie keiten den Strom nur elektrolytisch leiten, schon nach dem Princip wa der Erhaltung der Energie nach dem kurz dauernden Ladungsstron im Strom durch einen Wasserzersetzungsapparat unterbrochen werden, so last die elektromotorische Kraft einen gewissen Wert nicht erreicht. Wasserzersetzung verlangt eine gewisse Arbeit, deren Wärmewert die Verbrennungswärme des Wasserstoffs gegeben ist Nach J. The verlangt ein Molekul Wasser zur Zersetzung 68 360 Warmeeinheiten, für ein zersetztes Wassermolektil im Daniellschen Elemente aufgel Zinkmolekül liefert indes, wie wir sahen, nur rund 50 000 Wärmeeinbei es ist demnach eine elektromotorische Kraft von mindestens etwa 1,5 De schon theoretisch, abgesehen davon, dass die Polarisation, wie wir sahen, über diesen Wert hinaus wächst, erforderlich, um eine with Zersetzung des Wassers und Abscheidung des Wasserstoffs und Sanari möglich zu machen. Es kann daher bei schwächern elektromotorisi Kräften nur eine andere Anordnung der Moleküle, welche eben die le larisation bewirkt, ein neuer Gleichgewichtszustand hergestellt werten Die zur Herstellung dieses Zustandes aufgewandte Arbeit ist in Elektroden aufgespeichert, und kann in dem kurzdauernden Depolarisation strom wieder gewonnen werden.

In Wirklichkeit zeigt sich aber, dass der polarisierende Strom sich lange, wenn auch ohne sichtbare Gasentwicklung fortdauert, und von V. Helmholtz sagt, eigentlich nie aufhört. v. Helmholtz hat gezeigt¹), das man, um diese Fortdauer des Stromes zu verstehen, nicht notwendig ist für die Flüssigkeiten eine von der elektrolytischen Leitung verschieden metallische Leitung anzunehmen, dass vielmehr der Strom durch den von ihm als elektrolytische Konvektion bezeichneten Vorgang fortbestehen könnt.

v. Helmholtz erinnert zunächst daran, dass die Polarisation einer Plaisplatte, welche als Wasserstoffelektrode in einer Zersetzungszelle die durch direkte Berührung mit dem Sauerstoff der Luft, durch Zuleiten haltigen Wassers und durch Berührung mit solchen Flüssigkeiten, with Sauerstoff chemisch gebunden enthalten, ihn aber an den ausscheiden Wasserstoff abgeben können, vermindert oder aufgehoben werden bas gleiche gilt von der Sauerstoffelektrode, wenn sie mit im Wasserstoff oder chemischen Verbindungen in Berührung is welche Sauerstoff aufnehmen können. Wir haben ja gesehen, das Aufnahme des Wasserstoffs vom Platin des Groveschen, der Kohle Bunsenschen Elementes durch die Salpetersäure Ursache ist, das Elemente nicht durch Polarisation geschwächt werden.

¹⁾ v. Helmholtz, Poggend. Ann. Bd. Cl., Wieden. Ann. Bd. XI.

Weiter macht v. Helmholtz darauf aufmerksam, dass nach den Beobachingen von Graham das Platin die Fähigkeit hat Gase, besonders Wasseroff, aber auch, wenn auch in geringerem Masse, Sauerstoff in sich aufmehmen.

Wenn nun ein elektrischer Strom in eine Wasserzersetzungszelle geitet wird, deren Flüssigkeit Wasserstoff gelöst enthält oder deren Platinlektroden ihn eingeschlossen haben, so wird an derjenigen Elektrode, zu relcher der Strom den Sauerstoff hindrängt, dieser wieder zu Wasser verden können, indem eine entsprechende Menge gelösten Wasserstoffs die Ger Flitssigkeit oder eingeschlossenen Wasserstoffs aus der Elektrode hazu verbraucht wird. Andererseits wird statt dieses bisher freien, wenigstens nicht mit Sauerstoff chemisch vereinigten Wasserstoffs eine gleiche Menge elektrolytisch ausgeschiedenen Wasserstoffs an der anderen Elekrode wieder erscheinen und entweder in der Flüssigkeit sich lösen oder uch in der Platinelektrode eingeschlossen werden. Obgleich hier also dektrolyse in der Flüssigkeit stattfindet, so kommen doch schliefslich die eiden Produkte der Elektrolyse nicht zum Vorschein, sondern das Endesultat ist, daß freier Wasserstoff an oder in der einen Elektrode verhwindet und an der andern in vermehrter Menge auftritt. Dieser Vorang ist es, den v. Helmholtz als elektrolytische Konvektion bezeichnet. Es t bei diesem Vorgange von der den Strom treibenden elektromotorischen raft nicht die Arbeit gegen die chemischen Verwandschaftskräfte des asserstoffs und Sauerstoffs zu leisten, welche geleistet werden muß, enn Wasser in diese seine beiden Elemente endgültig getrennt werden luß; elektrolytische Konvektion kann deshalb durch eine schwache elekcomotorische Kraft unterhalten werden, welche durchaus nicht imstande t, Wasser wirklich zu zersetzen.

Gleiches gilt, wenn die Flüssigkeit Sauerstoff gelöst oder die Elekroden solchen eingeschlossen enthalten, dann verschwindet durch die elekrolytische Konvektion Sauerstoff auf der einen Seite, während eine gleiche
Tenge an der andern Seite wieder zum Vorschein kommt.

Der auf solche Weise bei dem Vorgange der Konvektion auf der sinen Elektrode frei gewordene Wasserstoff oder Sauerstoff ist, soweit er nicht in die Elektrode eingeschlossen wird, ebenso frei in die Flüssigseit zu diffundieren, durch Strömungen derselben fortgeführt zu werden, der auch sich als Gas zu entwickeln, wenn die Flüssigkeit gesättigt ist, wie die bei der gewöhnlichen Elektrolyse entwickelten Gase. Indem das ias in der Flüssigkeit diffundiert, kann es wieder zur andern Elektrode telangen, um wieder der elektrolytischen Konvektion zu verfallen und uf diese Weise in fortdauerndem Kreislauf einen gewissen Grad elektischer Strömung unterhalten.

Hiernach kann ein Daniellsches Element in einem Voltameter mit latinelektroden nicht nur dann, wenn die Flüssigkeit mit der Luft in Ernhrung ist, einen dauernden Strom unterhalten, sondern auch in einem Elkommen abgeschlossenen Gefäse, wenn dessen Elektroden mit Saueroff oder Wasserstoff gesättigt sind, oder die Flüssigkeit die Gase aufelöst enthält. Ist aber das Material zur elektrolytischen Konvektion icht vorhanden, so muß der Strom aufhören.

v. Helmholtz hat diese Theorie durch Versuche bestätigt; als Voltameter

wurde der obere Teil einer Quecksilberluftpumpe verwandt, indem auf das Quecksilber gesäuertes Wasser gebracht wurde; die Elektroden waren cylindrisch zusammengebogene Platinbleche, welche durch eingeschmobene Drähte in den Stromkreis eingeschaltet werden konnten. Durch Heben und Senken des Quecksilbers mit dem darauf befindlichen Wasser konnte der Raum über dem Wasser luftleer gemacht werden und so das Wasser von aufgelösten Gasen befreit werden.

Es zeigte sich zunächst, daß, wenn die Elektroden mit Wassersteff oder Sauerstoff und die Flüssigkeiten mit Gasen gesättigt werden, selbst in dem hermetisch abgeschlossenen Gefüße der Strom lange fortdauerte; am vollständigsten ließ sich das erreichen, wenn die Elektroden mit Wasserstoff gesättigt waren, dadurch, daß man zunächst längere Zeit durch einen dritten als Anode dienenden Draht, welchem die Elektroden als Katholen gegenüberstanden, einen stärkeren Strom durch die Flüssigkeit hindurchleitete. Werden die Platten, nachdem sie und die Flüssigkeit reichlich mit Wasserstoff gesättigt sind, in den Stromkreis eines Daniellschen Elementes eingeschaltet, so geht der Strom durch Konvektion geradeso durch die Flüssigkeit hindurch, wie durch ein Metall, es tritt gar keine Polarsation ein, der Strom bleibt stunden-, ja tagelang konstant. Erst dam, wenn durch die Konvektion der Wasserstoffvorrat in der einen Platte anfängt abzunehmen, hört die Konstanz des Stromes auf.

Sind die Elektroden stark mit Gas gesättigt, wird dagegen de Flüssigkeit gasfrei gemacht, so ist anfangs das Verhalten dasselbe, nach einiger Zeit, unter Umständen mehreren Tagen, wurde indes der Strom unmerkbar, obwohl das benutzte Galvanometer noch einen Grad Ablerkung erhielt, wenn dasselbe von einem Strom durchflossen wurde, der in 24 Stunden 0,03 Kubikcentimeter Wasserstoff entwickeln konnte.

Wurden dagegen auch die Platten von den eingeschlossenen Gasen befreit, so wurde der Strom eines Daniellschen Elementes sehr rasch unmerklich. Als nämlich an den mit Sauerstoff beladenen in der gasfreien Flüssigkeit befindlichen Platinplatten dadurch, daß sie als Kathoden dienten, während das mit ein wenig Zink versetzte Quecksilber als Anode benutzt wurde, mit einem schwachen Strom kleine Mengen Wasserstoff abgeschieden waren, nahm die Stärke des Stromes rasch ab, und als diese Wasserstoffabscheidung mehrfach wiederholt war, gelang es schließlich, die Platten so sehr von Sauerstoff zu befreien, daß der Strom nach 18 Minuten unmerklich wurde 1).

Man wird daher die elektrolytische Konvektion als die Ursache auerkennen müssen, daß selbst unter der Stromstärke, welche eine Zersetzung des Wassers hervorbringt, dauernde Ströme die Flüssigkeit durchströmen können.

Die Zunahme der Polarisation bis zu einem Maximum müssen wir der zunehmenden Verdichtung der Gase an den Elektroden zuschreiben²),

Über den Gang der Polarisation mit wachsender Zeit sehe man Bernstein, Poggend. Ann. Bd. CL.V; v. Helmholtz, Wiedem. Ann. Bd. XI; Witkowski, Wiedem. Ann. Bd. XI.

Man sehe Kohlrausch, Poggend. Ann. Bd. CXLVIII; Beetz, Wiedem. Bd. V, Bd. X; Fromme, Wiedem. Ann. Bd. XII. Eine andere Ansicht ver-Exner, Wiedem. Ann. Bd. VI.

es, daß wir den Wasserzersetzungsapparat zunächst als Kondensator fassen, sei es, dass wir die elektromotorische Kraft als durch die chselwirkung der verdichteten Gase und der Metalle uns entstanden ıken.

Über die absolute Größe der elektromotorischen Kraft der Polariion, wenn dieselbe ihr Maximum erreicht hat, hat wohl zuerst Wheatne Messungen angestellt. Er wandte dazu die von uns als die Wheat nesche beschriebene Messungsmethode an. In einen Stromkreis, der ein dvanometer enthielt, wurde ein Rheostat eingeschaltet und beobachtet, de wie große Drahtlänge von einem gewissen Punkte an eingeschaltet erden muss, um die Ablenkung des Galvanometers von einer gewissen blenkung a auf eine andere a' herabzubringen. Dann wird der Zertzungsapparat eingeschaltet, der Rheostat so gestellt, dass am Galvanoeter die Ablenkung a entsteht, und nun die Drahtlänge beobachtet, elche erforderlich ist, um wieder die Ablenkung a' zu erhalten. Ist n die elektromotorische Kraft der benützten Batterie E, die der Polarition p, und sind die beiden gefundenen Längen l und l_1 , so ist

$$E: E - p = l: l_1$$

$$E: p = l: l - l_1$$

$$p = \frac{l - l_1}{l} \cdot E.$$

Als Wheatstone auf diese Weise drei seiner Elemente anwandte, fand er

$$3E = 90$$
$$3E - v = 21 = 90 - 69.$$

Bei 4, 5, 6 Elementen fand er $l - l_1$ gleich 70, 71, 70.

Bezogen auf die elektromotorische Kraft eines Wheatstoneschen Ele->ntes ist demnach

$$p = \frac{70}{30} = 2,333.$$

Wie wir §. 88 sahen, ist die elektromotorische Kraft eines Wheatneschen Elementes gleich 0,838 eines Daniellschen; daraus würde also p, bezogen auf das Daniellsche Element, folgen

$$p = 1,955 D.$$

Nach derselben Methode und unter Anwendung der nach ihm be-Inten Zellen fand Daniell') die Polarisation in einem Voltameter mit tinelektroden bei Anwendung verschiedener Stromstärken zwischen

$$p = 2.49 \text{ D. und } p = 2.85 \text{ D.}$$

Später hat Buff nach der Ohmschen Methode für die elektromotorische ift der Polarisation zwischen Platinelektroden bei verschiedenen Stromrken Werte gefunden2), welche zwischen 11,31 und 9,63 lagen; die ktromotorische Kraft eines Bunsenschen Elementes gleich 7,134 gesetzt.

¹⁾ Daniell, Philosophical Transactions for 1842. Poggend. Ann. Bd. LX.

²⁾ Buff, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.

Der zuerst angegebene Wert ist das beobachtete Maximum. Nach demselben Masse giebt Buff die elektromotorische Kraft eines Daniellschen Elementes gleich 4,207 an. Somit ist nach Buff

$$p = \frac{11,31}{4,207} \cdot D. = 2,68 D.$$

Einen etwas kleineren Wert findet Poggendorff¹), er giebt

$$p = 2,333 D.$$

bei starken Strömen als Maximum, bei schwächeren Strömen sank sie auf etwa 2 D.

Svanberg²) erhält etwa den gleichen Wert wie Poggendorff 2,31 D. Aus den schon vorhin erwähnten Versuchen von Crova ergiebt sich dass der Strom sichtbar die Flüssigkeit zwischen Platinelektroden durchsetzt, wenn die elektromotorische Kraft gleich 2,2 D. ist, daß indes mit wachsender Stromstärke die Polarisation bis 2,56 D. zunimmt.

Beetz findet³), dass die elektromotorische Kraft der Polarisation 80 lange, bis sie etwa diejenige des Groveschen Elementes erreicht, derjemgen der polarisierenden Kette gleich ist, daß sie bei wachsender elektromotorischer Kraft langsamer wächst, und wenn die Platten sich in verschiedenen durch ein mit Flüssigkeit gefülltes Verbindungsrohr verbmdenen Gefässen befinden, bis 2,13 D., wenn sich die Platten in demselber Gefässe befinden, bis 2,3 D. steigt. Denselben Wert fand Tait4).

F. Exner⁵) ist der Ansicht, wesentlich aus theoretischen Gründen, dass die eigentliche Polarisation überhaupt nur eine elektromotorische Kraft von etwa 1,5 D. habe, dass alle größeren Werte auf sekundaren Einflüssen beruhen.

Von größtem Einfluß auf die Größe der Polarisation ist die Natw der Elektroden; schon als Poggendorff die blanken Platinelektroden mit platinierten vertauschte, sank die Polarisation auf 1,83 D. und bei schwachen Strömen auf 1,71 D.

Bei Anwendung anderer Elektroden ist die Polarisation erheblich schwächer; mit Übergehung älterer Versuche von Svanberg"), Buff u. a') wollen wir nur die Versuche von Beetz8) genauer besprechen, da diese noch eine Reihe anderer wichtiger Resultate enthalten.

Beetz beobachtete zunächst die elektromotorischen Kräfte verschiede ner Elemente mit dem Quadrantenelektrometer nach der Methode von Fuchs (§. 88), indem zunächst, wenn die Kette gar nicht geschlossen wat die Potentialdifferenz der Pole gemessen wurde, und dann, wenn die Kette 3 Minuten geschlossen war. In den aus zwei Metallen und verdünnig Schwefelsäure bestehenden Ketten tritt eine Polarisation nur durch Wasser

Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXX.
 Svanberg, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.
 Beetz, Wiedem. Ann. Bd. X.
 Tait, Philosophical Magazin 4 series vol. XXXVIII.
 F. Exner, Wiedem. Ann. Bd. VI.
 Svanberg, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.
 Buff, Poggend. Ann. Bd. LXXIII; Tait, a. a. O.
 Beetz, Wiedem. Ann. Bd. X.

stoff am negativen Metall ein, da das positive Metall aufgelöst wird. Die Differenz der elektromotorischen Kette vor und nach dem Schlus der Kette ziebt somit die Polarisation p des negativen Metalles durch Wasserstoff.

Beetz erhielt, die elektromotorischen Kräfte in Daniells ausgedrückt,

folgende Zahlen

	Zink-Platin	Zink-Silber	Zink-Kupfer
offen	1,52	1,23	0,98
geschlossen 0,72		0,51	0,46
	p = 0.80	0,72	0,54

In einer zweiten Versuchsreihe wurde als positives Metall Natrium gebraucht, indem ein dicker Brei von Natriumamalgam in eine poröse Thonzelle gefüllt und diese in verdünnte Schwefelsäure gesetzt wurde; in der Schwefelsäure stand das negative Metall. Um das Natriumamalgam zur Erde ableiten oder mit dem negativen Metall oder dem Elektrometer verbinden zu können, war in dasselbe ein Platindraht gesteckt. Er erhielt

	Natrium-Platin	Natrium-Silber	Natrium-Kupfer	Natrium-Zink
offen	2,31	2,05	1,79	0,78
geschlo	ss. 1,33	1,22	1,14	0,68
p	= 0.98	0,83	0,65	0,10

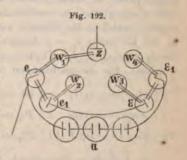
Die für die gleichen Metalle in der zweiten Reihe gefundenen Zahlen sind etwas größer als in der ersten, weil das Element mit Natrium einen stärkern Strom giebt als mit Zink; Platin erhält die größte, Zink die kleinste Polarisation.

Man sieht, wie sowohl für die offene als geschlossene Kette das Spannungsgesetz gilt, denn es ist z. B.

Natr.-Platin offen =
$$2,31$$
 = Natr.-Zink $0,78$ + Zink-Platin $1,52$ = $2,30$.
, geschl. = $1,33$ = , $0,68$ + , $0,72$ = $1,40$.

Die Polarisation des Zinks durch Wasserstoff in der verdünnten Schwefelsäure ist demnach nur etwa ein Zehntel von der des Platins. Interessant ist der von Beetz hierbei geführte Nachweis, das das Zink als negatives Metall von der Schwefelsäure nicht angegriffen wird.

In einer weiteren Versuchsreihe zeigt dann Beetz, daß die Polarisation einer Platinplatte durchaus davon unabhängig ist, welches zweite Metall ihr gegenübersteht. Die von ihm benutzte Versuchsanordnung zeigt Fig. 192. Die beiden Gefäße e und ε₁, welche durch ein mit verdünnter Schwefelsäure gefülltes an den Enden mit Pergamentpapier verschlossenes Heberrohr mit einander verbunden waren, und ebenso die beiden Gefäße ε und ε₁ bildeten je einen Zersetzungsapparat, welche gleichzeitig und



hinter einander in den Stromkreis der Batterie a eingeschaltet wurden. Die Gefäße e_1 und ε_1 enthielten stets Platin in verdünnter Schwefelsäure, die Gefäße e und ε entweder Zink in Zinkvitriollösung oder Kupfer in

Kupfervitriollösung oder Silber in Silbernitratlösung oder auch Platin in verdünnter Schwefelsäure.

Die Gefässe standen jedes mit einem der Gefässe $w_1, w_2 \ldots$ durch mit Wasser gefüllte Heberrohre in Verbindung; die Gefässe $w_1 \ldots$ waren mit Wasser gefüllt. Das Gefäs Z enthielt konzentrierte Zinkvitriollösung, in welcher eine amalgamierte Zinkplatte sich befand, welche mit dem einen Quadrantenpaare eines Quadrantenelektrometers verbunden war; dasselbe konnte durch ein mit Wasser gefülltes Heberrohr mit jedem der Gefäse $w_1, w_2 \ldots$ verbunden werden.

Die vier Elektroden in den Gefäsen e und ε wurden somit stets durch denselben Strom polarisiert; um die Polarisation an jeder derselben zu messen wurde folgendermaßen verfahren. Vor jedem Stromschlaß wurde zuerst die Potentialdifferenz zwischen der in z befindlichen Zinkplatte und jeder der Elektroden bestimmt. Es wurde zu dem Zwecke die betreffende Elektrode z. B. e ebenso wie das eine Quadrantenpaar zw Erde abgeleitet, die in z tauchende Heberröhre mit ihrem andern Ende in w, eingetaucht und der Ausschlag am Elektrometer gemessen. Dieser Ausschlag giebt die Potentialdifferenz zwischen der Zinkplatte z und der nicht polarisierten Platte in e; bezeichnen wir denselben mit z | e. Denn da die Platte e ebenso wie das eine Quadrantenpaar mit der Erde ver bunden war, ist die an z beobachtete Potentialfunktion die Differenz zwischen z und c. Nachdem so für alle 4 Platten verfahren war, wurde der Strom geschlossen. Nehmen wir an der Strom fliesst in der Richtung ee, εε, so wird e durch Sauerstoff polarisiert. Es wird wieder e w Erde abgeleitet und verfahren wie vorhin. Der Ausschlag am Elektremeter giebt jetzt die Potentialdifferenz zwischen der amalgamierten Platte z und der polarisierten Elektrode e, nennen wir diese Differenz z | 6 Ziehen wir von diesem Werte die vorher gefundene Differenz z | ab. so ist $z \mid e_0 - z \mid e = e \mid e_0$ die elektrische Differenz zwischen der mit Sauerstoff polarisierten Elektrode e und der nicht polarisierten, also die durch den Sauerstoff bedingte Polarisation.

So wurde in der ersten Versuchsreihe in e eine Zinkplatte in Zinkvitriol, in e_1 eine Platinplatte in verdünnter Schwefelsäure, in ε eine Kupferplatte in konzentrierter Lösung von Kupfervitriol und in ε_1 wieder eine Platinplatte in verdünnter Schwefelsäure angewandt. Der Strom wurde, nachdem die Werte $\varepsilon \mid Zn, \varepsilon \mid Pt, \varepsilon \mid Cu, \varepsilon \mid Pt$ beobachtet waren in der Richtung $\varepsilon_1 - e$ hindurchgesandt, so daß die beiden Platinplatten durch Sauerstoff, die Kupfer- und Zinkplatte durch Wasserstoff polarisiert wurden. Die Beobachtungen ergaben

In e Zink in Zinkvitriol, in e_1 , ε , ε_1 Platin in verdünnter Schwefelsäure unter Anwendung desselben Stromes von 4 Groveschen Elementen ergab:

Die Kombination wie bei dem ersten Versuche, es wurde aber der trom von 3 Groves von e nach s, geführt, ergab

Wie hier so ergaben alle Versuche, dass die Polarisation einer Platinlatte, sei es durch Sauerstoff oder Wasserstoff durch einen und denselben from immer dieselbe ist, einerlei ob ihr Platin eder ein anderes Metall n Zersetzungsapparat gegenübersteht, es wird demnach im Zersetzungspparat jede Platte für sich polarisiert und die Gesamtpolarisation ist die umme der Polarisationen der beiden Platten.

Die starke Polarisation, welche durch Sauerstoff eintritt, muß zu P Ansicht führen, dass der in der Anode verdichtete Sauerstoff in aktivem estande abgeschieden wird, denn in der Gassäule ist die Polarisation s nicht elektrolytisch mit Sauerstoff bedeckten Platins gegen reines atin nur 0,14 D. (§. 88).

Die zweite Versuchsreihe zeigt, daß die Polarisation des Platins rch Sauerstoff gleich derjenigen durch Wasserstoff ist; es wurde das Ther auf Grund der Versuche von Poggendorff, Svanberg und Beetz als egel angenommen, die neuern Versuche von Beetz ergaben aber, daß s nicht immer der Fall ist, besonders nicht, wenn die Elektroden an röße erheblich verschieden sind. Die obigen Versuche bestätigen den hon früher von Du Bois-Reymond 1) ausgesprochenen Satz, dass amalamierte Zinkelektroden in konzentrierter Zinkvitriollösung oder Chlor-nklösung keine oder nur sehr geringe Polarisation annehmen. Nach ersuchen von Patry?) erhält man in der That gar keine Polarisation, enn die Zinklösungen vollkommen säurefrei sind.

Beetz hat eine Anzahl von Messungen über die Polarisation durch ndere Gase angestellt und mit der elektromotorischen Kraft in Gassäulen erglichen3); er fand die elektromotorische Kraft gegen reines Platin om Platin

polarisiert durch	elektrom. Kraft	elektrom. Kraft in der Gassäule	
Jod	0,171 D	0,160 D	
Brom	0,329 D	0,332 D	
Chlor	0,505 D	0,471 D	
Wasserstoff	0,910 D	0,833 D	
Wasserstoff gegen			
Platin in Chlor	, 1,375 D	1,335 D	

Du Bois-Reymond, Monatsber. der Berliner Akad. 1859, S. 443.
 Patry, Poggend. Ann. Bd. CXXXVI.
 Beetz, Poggend. Ann. Bd. XC.

In der Regel ist die elektromotorische Kraft der Polarisation etwas größer als jene in der Gassäule¹), was ohne Zweifel der größern Verdichtung des Gases am Platin bei der Elektrolyse zuzuschreiben ist²); im übrigen besteht aber eine so große Übereinstimmung zwischen der elektomotorischen Kraft der Polarisation und derjenigen in der Gassäule, daß darin der vollständigste Beweis gegeben ist für die vorhin schon auf gestellte Erklärung, dass die elektromotorische Kraft der Polarisation und jene der Gassäule Erscheinungen gleicher Art, dass beide der elektrische Erregung der an und in den Metallen verdichteten Gase zuzuschreibe sind. Gleichzeitig ist dadurch der Beweis geliefert, dass ein Übergangwiderstand, wie er früher angenommen wurde, nicht existiert, oder ded nur äußerst gering ist, da alle diese Werte über die elektromotorische Kraft der Polarisation unter der Voraussetzung erhalten sind, das ein Übergangswiderstand nicht vorhanden sei.

Da somit die Verdichtung der ausgeschiedenen Gase an den Elektroden die Ursache der Polarisation ist, so wird sie durch alle Umstände, wekte die Gasschicht vermindern oder teilweise fortnehmen, geschwächt werden müssen. Dem entsprechend haben De la Rive³) und Poggendorff⁴) gezeigt, dass Verminderung des Druckes über dem Voltameter, Vorsselman de Heer⁵), das Erschütterung der Elektroden und Poggendorff⁶), Beet 1 Robinson*) und ('rova'), das Erwärmung der Elektroden die Polarisation schwächt. Es würde zu weit führen, auf alle diese Punkte im einzelbe einzugehen.

§. 109.

Sekundäre Elemente; Accumulatoren. Neben der im vorige Paragraphen betrachteten Polarisation tritt noch eine andere ein, welche in einer chemischen Änderung der Elektroden ihre Ursache hat, und die wir hier kurz erwähnen, weil dieselbe in der elektrotechnischen Prans eine ausgedehnte Anwendung gefunden hat. Diese Polarisation zeigt sich wenn man als Elektroden Metalle anwendet, auf denen durch den Stron Superoxyde gebildet werden können. Diese Polarisation ist wohl zuers von Sinsteden 10) beobachtet worden, als er Ströme mit Elektroden 700 Silber, Blei oder Nickel durch verdünnte Schwefelsäure leitete. Die pr sitive Elektrode bedeckt sich dann mit Superoxyd, wodurch sie gegen & negative Elektrode desselben Metalles sehr stark negativ wird. Schließ man die Zersetzungszelle für sich, so erhält man einen kräftigen Strott

9) Crova, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. LXVIII. 10) Sinsteden, Poggend. Ann. Bd. XCII. S. 17 ff.

¹⁾ Man sehe darüber auch die interessanten Versuche von Macaluso ibst 1) Man sehe darüber auch die interessanten Versuche von Macausu wie die Polarisation bei der Elektrolyse der Chlorwasserstoffsäure. Berichte & Königl. Sächs. Gesellsch. der Wissensch. zu Leipzig. Jahrg. 1873. Bd. XXV.

2) Man sehe darüber auch Fromme, Wiedem. Ann. Bd. XII. S. 399.

3) De lu Rive, Poggend. Ann. Bd. LIX.

4) Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXX.

5) Vorsselmann de Heer, Poggend. Ann. Bd. XLIX.

6) Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXXI.

7) Beetz, Poggend. Ann. Bd. LXXII.

8) Robinson. Man sehe Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. II, S. 773.

9) Crova Annales de chim et de phys. III. Ser. T. LXVIII.

un viel längerer Dauer als den gewöhnlichen Polarisationsstrom; derselbe auert ebenso lange, bis das gebildete Superoxyd aufgebraucht ist.

Unabhängig von Sinsteden hat Planté) dieselbe Beobachtung gemacht nd dieselbe zur Konstruktion sogenannter sekundärer Batterieen benutzt. Diese sekundären Batterien bestehen aus zwei dünnen durch Kautschuktreifen von einander getrennten Bleiplatten, welche spiralig und so aufgerollt werden, dass die einzelnen Spiralwindungen ebenfalls durch Kautschukstreifen von einander getrennt werden. An jeder Spirale besindet sich eine Klemmschraube, um dieselben als Elektroden in einen Stromkreis einschalten zu können. Die Spiralen werden in ein mit verdünnter

Schwefelsäure gefülltes cylindrisches Gefäß getaucht.

Zur Ladung des Elementes bedarf es einer elektromotorischen Kraft zon etwa 2 Groves, da die elektromotorische Kraft des geladenen Elementes nach Plante etwa 1,5 Groves, also etwa 2,6 D. beträgt. Läßt nan einen hinreichend kräftigen Strom längere Zeit durch das Element indurchgehen, so bedeckt sich die positive Elektrode nach und nach mit iner, mit der Dauer des Stromdurchganges an Dicke wachsenden Schicht on Bleisuperoxyd²). Diese Bedeckung resp. die Verwandlung der posivon Platte in Bleisuperoxyd wird um so stärker, je öfter man das Element ladet und dabei die Stromrichtung wechselt, die abwechselnde Verandlung des Bleis in Superoxyd und Verwendung derselben Platte als athode bewirkt eine Lockerung des Metalles, wodurch schliefslich die kydation immer tiefer eindringt.

Das Superoxyd bedeckt die Platte mit einem dichten Überzuge, man ann deshalb die Elemente geöffnet ziemlich lange stehen lassen, ohne als sie ihre Ladung verlieren, da die Ladung eben in dem gebildeten superoxyd besteht. Man kann so in der That in diesen Elementen einen langer dauernden Strom aufspeichern, und ihn später zu einer beliebigen eit und an einem beliebigen Orte verwenden. Man nennt die sekundären Elemente deshalb auch Accumulatoren. Bei der Verwendung derselben zur Wiedergewinnung des aufgespeicherten Stromes, also zur Ausnutzung des gebildeten Superoxydes bleibt zunächst die elektromotorische Kraft der Elemente sehr konstant; erst wenn ein sehr großer Teil des Bleisuperoxydes durch den von dem Elemente gelieferten Strom wieder reduziert ist, nimmt die elektromotorische Kraft konstant ist, hängt selbstverständlich von der Dauer der Ladung, also der Quantität des gebildeten Superoxydes and von der Stärke des von dem Elemente gelieferten Stromes ab.

Diese Aufspeicherung eines Stromes in den Accumulatoren hat vielfach ur Verwendung in der Elektrotechnik speciell auch für die elektrische eleuchtung geführt. Man kann tagesüber etwa bei einer elektrischen eleuchtungsanlage, welche nur eine gewisse Anzahl von Glühlampen zu beisen imstande ist, den Strom zur Ladung von Accumulatoren benutzen and nun diese des Abends verwenden, um eine weitere Anzahl von Glühlungen zum Leuchten zu bringen.

Planté, Poggend, Ann. Bd. CIX. Recherches sur l'électricité. Paris 1879.
 Über die chemischen Vorgänge bei der Ladung der Sekundärelemente
 he man Gladstone und Tribe, Nature. Bd. XXV. S. 221 und 461.

Es sind deshalb, seit G. Planté zuerst die sekundären Elemente konstruiert hat, viele Modifikationen derselben angegeben worden, in größeren Maßstabe wurden zuerst die von Faure angegebenen benutzt, der die Bleiplatte mit Mennige bedeckte und, um dieselbe festzuhalten, mit Flanell oder Filz umhüllte. Wir verweisen deswegen auf die Lehrbücher über Elektrotechnik und die verschiedenen elektrotechnischen Zeitschriften. Nur sei hier erwähnt, daß der ausgedehnten Verwendung der Accumulatore die großen Kosten derselben im Wege stehen, welche darin begründt sind, daß die Elemente nicht von langer Dauer sind. Die vielfach wedselnde Oxydation und Reduktion des Bleis macht dasselbe bald brüchig so daß die Bleiplatten auseinanderfallen und durch neue ersetzt werden müssen.

§. 110.

Außer dem Auftreten einer elektromotori-Passivität des Eisens. schen Gegenkraft an den Elektroden, welche den Strom in eine Flüssigheit leiten, infolge der Polarisation oder der Bildung von Superoxyd an der Anode, zeigt sich häufig noch ein anderer Einfluss auf die elektromoterische Stellung der Elektroden gegen einander, welchen wir kurz erwähm müssen. Vorzugsweise zeigt sich die Erscheinung am Eisen. Wenn me einen Eisendraht eine Zeitlang als positive Elektrode in einem Wasser zersetzungsapparat anwendet, dabei jedoch die Vorsicht gebraucht, ment den als Kathode dienenden Draht in die angesäuerte Flüssigkeit zu tauche, so ist seine Stellung in der Spannungsreihe der Metalle dauernd verla-Gegen gewöhnliches Eisen zeigt sich dieses Eisen stark negativ elektrisch, ja während das Eisen in der Spannungsreihe dem positive Ende nüher steht als das Kupfer, steht das veründerte, oder wie man 6 wegen seines chemischen Verhaltens nennt, das passive Eisen zwischen dem Kupfer und Platin, es ist gegen Kupfer elektronegativ.

In chemischer Beziehung charakterisiert sich der passive Zustand des Eisens besonders dadurch, dass das passive Eisen von Salpetersäure, deren spec. Gewicht ungefähr 1,3 ist, nicht aufgelöst wird, während das nicht passive Eisen sehr rasch in dieser Säure oxydiert und gelöst wird. Indes beschränkt sich dieses passive Verhalten des Eisens nicht auf die Urfähigkeit in Salpetersäure oxydiert zu werden, sondern auch in Salzlösungen verhält es sich ähnlich; auf Lösungen, auf welche Eisen sonst einwirk, hat das passive Eisen keine Einwirkung. So reduziert passives Eisen aus Kupfervitriollösungen kein Kupfer.

Das Eisen wird indes nicht allein passiv durch die Anwendung des selben als positive Elektrode, sondern ebenfalls durch eine Reihe om andern Manipulationen.

Zunächst kann man das Eisen dadurch passiv machen, dass man ein oder mehrere Male in ganz konzentrierte Salpetersäure taucht*). Wem man das eine Ende eines Eisendrahtes kurze Zeit in ganz konzentrierte

1) Schönbein, Poggend. Ann. Bd. XXXVII.
2) Herschel, Poggend. Ann. Bd. XXXII. Schönbein, Poggend. Ann. Bd. XXXII. Schönbein, Poggend. Ann. Bd. XXXIII. Schönbein, Poggend. Ann. Bd. XXXIII. Schönbein, Poggend. Ann. Bd. XXXIII. Schon im Jahre 1790 von Keir beobachtet. Philosophical Transactions for 1799 Schweiggers Journal, Bd. LIII. 1828.

petersäure eintaucht, so kann man dasselbe nachher in die verdünn-

e eintauchen, ohne dass es von derselben angegriffen wird.

Wenn man dann den Draht so umbiegt, dass auch das vorher nicht getauchte Ende in die verdünnte Salpetersäure taucht, so wird auch ses Ende nicht angegriffen, es wird passiv und kann dann auch für h in verdünnte Säure getaucht werden ohne angegriffen zu werden. an erkennt sofort, dass der Grund dieser letzteren Erscheinung ein elekischer ist; denn da das passive Eisen gegen gewöhnliches negativ ist, geht in dem angegebenen Falle ein elektrischer Strom durch die Flüsgkeit von dem gewöhnlichen Eisen zu dem passiven; das vorher nicht assive Eisen wird also zur positiven Elektrode und deshalb ebenso passiv rie bei dem zuerst angegebenen Verfahren, das Eisen passiv zu machen.

Ganz auf demselben Grunde beruht das Passivwerden des Eisens, wenn ian einen Eisendraht zugleich mit einem passiven Drahte oder mit einem latindrahte in verdünnte Säure taucht und dafür sorgt, daß die beiden

rahte sich außerhalb der Flüssigkeit berühren!).

Nicht allein wenn man Eisen in konzentrierte Salpetersäure, sondern ich wenn man es in Jodsäure, Bromsäure oder Chlorsäure taucht, wird nach den Versuchen von Beetz passiv2). Als Beetz Eisen in Schwefelure tauchte und es mit einem Kupferstreifen verband, welcher in verunter, von der konzentrierten durch ein poröses Diaphragma getrennter hwefelsäure stand, so zeigte ein in die Verbindung eingeschaltetes Galnometer, das das Eisen positiv war gegen Kupfer. Als er dann aber die das Eisen umgebende Schwefelsäure Krystalle von jodsaurem, bromarem oder chlorsaurem Kali warf, verhielt sich, sobald die Zersetzung r Salze begonnen hatte, das Eisen negativ gegen Kupfer. Es war dann ch in Salpetersäure passiv.

Eine dritte Art, um das Eisen passiv zu machen, ist das Glühen sselben an der Luft3). Durch Erhitzen in Räumen, welche keine Luft thalten, in Quecksilber oder geschmolzenem Zink, oder auch in Wasseroffgas, welches vollkommen frei ist von Wasserdampf, wird das Eisen

cht passiv.

Als den Grund dieser eigentümlichen Erscheinung, welche sich vorlegend beim Eisen, in geringerem Grade auch bei Kobalt, Nickel, Wisut, Zinn und Aluminium4) beobachten läfst, hat zuerst Faraday4) eine lune, oft für das Auge gar nicht merkbare Oxydschicht angesehen, welche im Passivwerden sich auf dem Eisen bildet. Und in der That sprechen, Beetz 6) besonders hervorgehoben hat, alle Methoden, durch welche e Passivität auftritt, für diese einfache Erklärung; denn bei allen ist Eisen in den für eine direkte Oxydation günstigsten Verhältnissen. ient das Eisen als positive Elektrode, so scheidet sich an demselben

2) Beetz, Poggend. Ann. Bd. LXVII.

¹⁾ Schönbein, Poggend. Ann. Bd. XXXVIII.

Beetz, Poggend. Ann. Bd. LXVII.
 Schönbein, Poggend. Ann. Bd. XXXVII. Beetz, Poggend. Ann. Bd. LXII.
 Schönbein, Poggend. Ann. Bd. XLIII. Man sehe auch Wiedemann, Galaismus. Bd. I. §. 540 ff. 2. Aufl.
 Faraday, Philosophical Magazin. vol. IX u. X. 1837.
 Beetz, Poggend. Ann. Bd. LXVII. Man sehe auch in Doves Repertorium.

VIII.

durch die Elektrolyse der Sauerstoff im aktiven Zustande als Ozo in konzentrierter Salpetersäure befindet sich das Eisen in einer Umge welche äußerst sauerstoffreich ist, und welche sehr leicht einen Te Sauerstoffs abgiebt; kann ja Kohle in konzentrierter Salpetersäure ber Gleiches gilt für das Eintauchen des Eisens in die Sauerstoffsäure Salzbildner. Daß beim Erhitzen an der Luft das Eisen sich ebenfall einer Oxydhaut, Oxyduloxyd, überzieht, ist eine bekannte Thatsach

Ebenso ist es bekannt, das Eisenoxyduloxyd sich in Salpeter nicht auflöst; so das also auch das chemische Verhalten des par Eisens in dieser Annahme seine einfachste Erklärung findet. Auch elektromotorische Verhalten findet darin seine Erklärung, denn das d Erhitzen angelaufene, also oxydierte Eisen verhält sich ebenso meg gegen Kupfer wie Eisen, welches auf anderem Wege passiv geworden

Für dieselbe Erklärung sprechen auch alle die Mittel, durch w man dem Eisen seinen passiven Zustand wieder nehmen kann. Das selbe zunächst nur Folge einer oberflächlichen Veränderung ist, en sich daraus, dass man durch Feilen, Abreiben mit Sandpapier dem I seinen passiven Zustand wieder vollständig nehmen kann.

Ebenso verliert aber der passive Draht seine Eigenschaft voll dig, wenn man ihn in Verhältnisse bringt, in welchen die ihn bedech Oxydschicht reduziert wird. Das ist der Fall, wenn man den Dral einem Strome von Wasserstoff glüht, wenn man ihn als negative l trode benutzt bei der Wasserzersetzung, oder wenn man ihn zugleid einem positivern Drahte in verdünnte Salpetersäure taucht und ihr dem positiveren Draht berührt.

Das ganze Phänomen ist also eigentlich kein elektrisches, so nur Folge einer Oberflächenänderung durch chemische Einflüsse, w zugleich das elektrische Verhalten des Metalles modifiziert.

Solche Änderungen des elektrischen Verhaltens der Metalle sind viele zu beobachten, die sich darin z. B. zeigen, daß wenn man Drähte desselben Metalles nach einander in dieselben Flüssigkeiten tströme auftreten¹), oder auch darin, daß die Ströme zwischen zwe tallen bei längerem Verweilen in einer Flüssigkeit sich umkehren ist z. B. der Fall, wenn man in eine mäßig konzentrierte Lösung Schwefelkalium Kupfer und Eisen taucht. Verbindet man gleich dem Eintauchen die beiden Metalle mit einem Galvanometer, so is Eisen positiv gegen das Kupfer; stellt man indes die Verbindung nach einiger Zeit her, so ist das Eisen negativ gegen das Kupfer bleibt auch kurze Zeit negativ, wenn man die beiden Metalle dars verdünnte Schwefelsäure taucht; ein Beweis, daß eine Oberflächenänd des Eisens die Ursache dieses Verhaltens ist²).

§. 111.

Mechanische Wirkung des Stromes. Wir haben in §. 103 beine mechanische Wirkung des Stromes kennen gelernt, die Fortfül

¹⁾ Man sehe Doves Repertorium. Bd. VIII. Wiedemann, Galvanismus. §. 543 ff. 2. Aufl.

²⁾ Fechner, Lebrbuch des Galvanismus. Wiedemann, Galvanismus. 5. 549 ff. 2. Aufl.

n Flüssigkeiten in der Richtung des positiven Stromes durch poröse aphragmen und ebenso die Fortführung suspendierter Teilchen im Innern r Flüssigkeiten. Die Theorie dieser Bewegungserscheinungen, wie sie h nach den Versuchen von Quincke ergab, zeigte indes, daß wir es er nicht mit einer direkten mechanischen Wirkung des elektrischen romes zu thun haben, sondern mit einer Bewegung infolge elektrischer ziehung und Abstofsung ganz so wie die Bewegung der Teilmoleküle den Elektrolyten zustande kam.

Man hat indes auch eine Reihe ganz direkter mechanischer Wirgen auf feste Leiter beobachtet, die zeigen, dass durch den Strom die illsionsverhältnisse der Körper geändert werden. Kupferdrähte, welche re als Stromleiter gedient haben, werden dadurch spröde und brüchig 1)

wie Dufour beobachtet hat 2) wird die Festigkeitsgrenze dadurch Inter gedrückt, indem ein Kupferdraht, welcher; ohne dass er vom me durchflossen war, durch ein Gewicht von 6,29 kg zerrissen wurde, n durch ein Gewicht von 5,34 kg zerrissen wurde, als der Strom eines senschen Elementes 19 Tage durch denselben hindurchgeleitet war.

Das entgegengesetzte Resultat erhielt Dufour mit Eisendraht; ein her von 0,248 mm Dicke zerrifs, wenn er mit 2,54 kg belastet wurde; adem der Strom eines Bunsenschen Elementes 4 Tage durch einen asolchen Draht hindurchgegangen war, ergab sich als Mittel aus drei suchen, daß er erst durch 2,58 kg zerrissen wurde, und nachdem der om 19 Tage hindurchgegangen war, wurde er bei fünf Versuchen erst ch 2,898 kg zerrissen.

Außer diesen Festigkeitsänderungen nach längerm Durchgange des omes hat Wertheim³) auch solche während des Durchganges des Stromes bachtet. Im allgemeinen ist darnach die Festigkeit während des Durchges des Stromes eine geringere, nur bei Eisendrähten zeigte sie sich einzelnen Fällen größer.

Ebenso schloß Wertheim 1) aus seinen Versuchen, daß der Elasticikoefficient bei dem Hindurchleiten eines Stromes durch einen Draht ner würde, indem der Longitudinalton des Drahtes bei dem Durchge des Stromes tiefer wird. H. Streintz⁵) kam indes durch Messung Schwingungsdauer von Torsionsschwingungen eines feinen Drahtes zu Resultate, dass ein solcher Einfluss nicht existiere, er fand bei derben Temperatur die Torsionsschwingungen mit und ohne Strom stets ich.

Edlund⁶) fand, dass ein Draht durch den galvanischen Strom auch bhängig von der durch den Strom stattfindenden Erwärmung verlängert d, indem die Verlängerung des Drahtes bei dem Durchgange des mes größer ist, als sie der Ausdehnung infolge der durch den Strom retenden höhern Temperatur entspricht. Die Verlängerung soll mit

¹⁾ Peltier, Comptes Rendus Bd. XX. S. 62. Poggend. Ann. Bd. LXV. 2) Dufour, Poggend. Ann. Bd. XCIX.

³⁾ Wertheim, Annales de chim, et de phys. III, Sér. T. XII. Poggend Ann. nzungsbd. II.

⁴⁾ Wertheim, a. a. O.

b) H. Streints, Poggend. Ann. Bd. CL.

⁶⁾ Edlund, Poggend. Ann. Bd. CXXIX, Bd. CXXXI, Bd. CLVIII.

der Stromstärke wachsen; nach dem Unterbrechen des Stromes nimmt der Draht nur allmählich wieder seine frühere Länge an.

H. Streintz1) kam zu demselben Resultate, während F. Exner1) und Blondlot3) aus ihren Versuchen schließen, daß eine solche von der Erwärmung unabhängige Ausdehnung durch den Strom nicht eintritt. In der That ist es schwierig, die Temperatur des in seinem ganzen Querschnitt durch den Strom gleichmäßig erwärmten Drahtes genau zu bestimmen und so eine etwaige galvanische Ausdehnung von der thermischen zu trennen.

Eine mechanische Wirkung des Stromes ist auch das Auftreten des Longitudinaltones in Eisenstäben, wenn man intermittierend Strome himdurchsendet; jedes Öffnen und Schließen ruft einen Ton hervor*). Da indes die Töne sich nur bei magnetischen Metallen zeigen, so ist dies Wirkung nicht eine rein mechanische.

Auf eine mechanische Änderung der Leitungsdrähte ist auch wohl die Beobachtung von Quintus Icilius zurückzuführen, nach welcher die specifische Leitungsfähigkeit eines Drahtes abnimmt, wenn ein Strom längere Zeit hindurchgegangen ist5).

Eine Anzahl von Bewegungen, welche man früher als mechanisch Wirkungen des Stromes ansah, hat Paalzow⁶) auf andere Gründe, Etwärmung u. s. w. zurückgeführt.

Wenn man Quecksilber mit verdünnter Schwefelsäure bedeckt und einen Strom in die Schwefelsäure leitet, so daß das Quecksilber als Kathode dient, so wird durch die Polarisation des Quecksilbers mit Wasserstoff die Oberflächenspannung verstärkt. Auch hier wächst die Polansation, so lange die elektromotorische Kraft des primären Stromes w Zersetzung der Flüssigkeit nicht ausreicht, bis zur elektromotorischen Kmit des primären Stromes. Die Oberflächenspannung des durch Wasserstoff polarisierten Quecksilbers wächst nach den Versuchen von Lippmann und Quincke8) bei zunehmender Polarisation anfangs der elektromotorschen Kraft proportional, später indes langsamer; diese anfängliche Proportionalität der Zunahme der Oberflächenspannung und der elektrometorischen Kraft der Polarisation hat Lippmann⁹) zur Konstruktion eins Elektrometers für kleine elektromotorische Kräfte von sehr großer Empfindlichkeit benutzt, des sogenannten Kapillarelektrometers: Lippmann sielt diese Änderung der Oberflächenspannung als eine direkte Wirkung der

¹⁾ H. Streintz, Poggend. Ann. Bd. CL.
2) F. Exner, Wiedem. Ann. Bd. II. S. 100.
3) Blondlot, Comptes Rendus. T. LXXXVII. p. 206.
4) De la Rive, Comptes Rendus. T. XX. S. 1287. Poggend. Ann. Bd LXV.
Buff, Liebigs Ann. Supplementbd. III.

⁵⁾ v. Quintus Icilius, Poggend. Ann. Bd. CI. S. 86.
6) Paalzow, Poggend. Ann. Bd. CIV.
7) Lippmann, Poggend. Ann. Bd. CXLIX. Annales de chim. et de phys.
5, Série. T. V. T. XII. Wiedem. Ann. Bd. XI.

⁸⁾ Quincke, Poggend. Ann. Bd. CLIII.
9) Lippmann, Poggend. Ann. Bd. CXLIX. In der ihm neuerdings gegehaven Form ist dasselbe von Bregnet in Paris zu beziehen. Man sehe auch Poggend, Ann. Bd. CLI.

ctricität an, eine Ansicht, der sich auch v. Helmholtz¹) anschließt. neke teilt diese Ansicht nicht, er sieht die Erscheinung als Folge der eckung des Quecksilbers mit einer molekularen Wasserstoffschicht an²). nicht polarisierte Quecksilber hat in verdünnter Schwefelsäure die rflächenspannung des Quecksilbers in dieser Flüssigkeit; wird es mit serstoff bedeckt, so muß sich die kapillare Spannung der Grenzfläche Summe der kapillaren Spannungen der freien, das heißt von Luft enzten Quecksilberfläche und einer freien Fläche der verdünnten wefelsäure nähern, und das um so mehr, je mehr Wasserstoff an der rfläche verdichtet ist. Da die zunehmende elektromotorische Kraft Polarisation einer zunehmenden Verdichtung des Wasserstoffs zuzueiben ist, würde sich auch so die Zunahme der Oberflächenspannung derselben erklären lassen.

§. 112.

Diaphragmenströme und Strömungsströme. Eine eigentümliche Art Strömen bei mechanischer Bewegung hat Quincke beobachtet, welche Diaphragmenströme nennt³). Sie entstehen, wenn reines Wasser durch in porösen Körper strömt, wie sich auf folgende Weise zeigen läßt. Zwischen den abgeschliffenen Rändern zweier an dem andern Ende

Zwischen den abgeschliffenen Rändern zweier an dem andern Ende schmolzener Glasröhren A und B Fig. 193 von 25 mm Durchmesser

eine Platte aus gebranntem Thon mit gellack festgekittet. In die Wände der en Glasröhren sind zwei Platindrähte geschmolzen, an welche Platinplatten enietet sind, und diese Drähte stehen den Enden eines empfindlichen Multiators von circa 33 000 Windungen und astatischem Nadelpaar in Verbindung.



Neben dem Diaphragma sind vertikale, auch oben offene Glasröhren eschmolzen, durch welche der Apparat ganz mit reinem destillierten ser gefüllt wird, so dass in dem Diaphragma keine Luft zurückbleibt. Drückt man durch Ausübung eines Druckes auf das Wasser der re C oder D Wasser in der einen oder anderen Richtung durch die uplatte, so zeigt die Ablenkung der Galvanometernadel einen Strom welcher durch die Thonwand in der Richtung der strömenden Flüseit geht.

Um sich von etwaigen Ungleichheiten der Elektroden, die für sich in einen Strom hervorrufen, ganz zu befreien, wurde dieser Strom ih einen Zweigstrom eines Daniellschen Elementes kompensiert. Zu Ende war die eine Elektrode anstatt direkt mit dem einen Ende des ranometers mit einem vertikal ausgespannten Eisendrahte verbunden, ih welchen der Strom eines Daniellschen Elementes hindurchging. Mit selben Eisendrahte war dann das Ende des Galvanometers durch einen

¹⁾ von Helmholtz, in der Abhandlung von A. König, Wiedem. Ann.

²⁾ Quincke, Poggend. Ann. Bd. CLIII. Bd. CXXXIX. S. 70.
3) Quincke, Poggend. Ann. Bd. CVII. Bd. CX.

Draht verbunden, welcher auf dem Eisendrahte verschoben werden Die Stärke des durch den Diaphragmenapparat und das Galva gehenden Zweigstromes hängt ab von dem Abstande der beiden endigungen auf dem Eisendrahte; derselbe wurde so gewählt, delavanometer genau auf Null stand, ehe Flüssigkeit durch das Diapströmte.

Anstatt des Thondiaphragmas wurden Seide, Leinwand, Elfer Form von Pulver, das zwischen Seidenzeug eingeschlossen war, Glas, Sand, Holz, Schwefel, Graphit, Kohle u. s. w. angewandt. Ste bei Anwendung destillierten Wassers der Strom mit der Ströms Wassers.

Durch Zusatz von Säuren oder Salzlösungen zum destillierten wurde der elektrische Strom in seiner Richtung nicht geändert, wobedeutend geschwächt; als jedoch der Flüssigkeit etwas Seife oder zugesetzt wurde, war der Strom bedeutend stärker.

Nur in einem Falle beobachtete Quincke¹) eine umgekehrte tung des Stromes; derselbe Alkohol nämlich, welcher bei der Fortst durch den Strom nicht in der Richtung des positiven Stromes si wegt, zeigt auch durch ein Thondiaphragma gepresst einen elekt Strom, welcher der Richtung der Flüssigkeitsströmung entgegengess

Die elektromotorischen Kräfte der Apparate wurden teils na Methode von Fechner verglichen, wobei vorausgesetzt wird, daß der ' stand stets derselbe bleibt, teils nach der Poggendorffschen Kompens methode bestimmt.

Die elektromotorische Kraft dieser Ströme zeigte sich unabl von der Größe und der Dicke der Thonplatte, aber proportiona Drucke, mit welchem das Wasser durch das Diaphragma gepreßt also der Schnelligkeit, mit welcher es hindurchfließt. Für den einer Atmosphäre und bei Anwendung destillierten Wassers erhielt Q folgende elektromotorischen Kräfte, jene eines Daniellschen Eler gleich eins gesetzt

Substanz des Dia- phragmas	Elektrom. Kraft.	Subs tanz des Dia- p hragmas	Elektro Kr a f
Schwefel	9,77	Asbest	0,22
Quarzsand	6,20	Porzellanmasse	0,20
Schellack	3,30	Elfenbein	0,03
Seide	1,15	Tierische Blase	0,01
Gebrannter Thon	0.36		•

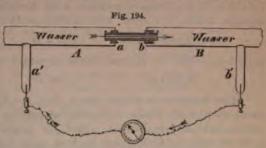
Wie man sieht ergeben sich so in manchen Fällen sehr bedet elektromotorische Kräfte.

Die elektromotorischen Kräfte bei anderen Flüssigkeiten zu b men gelang nicht mit Sicherheit, sie waren schon, als das Wasse wenige Milligramme Kochsalz gelöst enthielt, ganz bedeutend kleiner wasserhaltigem Alkohol werden sie bei dem Durchpressen durch Pors masse etwas größer.

¹⁾ Quincke, Poggend. Ann. Bd. CXIII. S. 559.

Ebenso wie bei dem Durchpressen von Wasser durch Diaphragmen tält man Ströme bei dem Durchpressen desselben durch kapillare Röhren, e zuerst Zöllner1) gezeigt hat. Die von demselben angewandte Andnung zeigt Fig. 194; das kapillare Rohr ab ist zwischen die weiteren

lasröhren A und B als erbindungsstück eingehoben, und von den weiren Röhren gehen Ansatz-Shren a', b' nach unten, welche Platindrähte einschmolzen sind, die als lektroden dienen, und lehe durch eine das Galnometer enthaltende Leing verbunden sind. Wird



Wasser in der Richtung des Pfeilstriches durch die Röhre gedrückt, so Ist durch das Galyanometer ein Strom in der Richtung von b' nach a', wieder, wie wenn durch die Flüssigkeit ein Strom in der Strömungsatung hindurchging. Zöllner fand ebenso wie Quincke, dass die elek-Pnotorische Kraft der Ströme der Druckdifferenz an beiden Seiten des illaren Rohres, also der Schnelligkeit der Strömung proportional ist.

Diese bei dem Durchpressen von Wasser entstehenden Ströme resp. infolge desselben auftretenden elektromotorischen Kräfte sind seitdem Ifach von Edlund2), Dorn3), Haga4) und Clark5) sowie Elster6) unterht worden, von denen der letztere besonders zeigte, daß eine elektrotorische Kraft in einem frei ausströmenden Wasserstrahl nicht vornden ist, dass zur Erzeugung derselben Bedingung ist, dass das Wasser einem festen Isolator gleitet, sei es in einer Röhre, sei es über einer tte. Die Versuche ergeben übereinstimmend, dass wenn Wasser durch engen Röhren gepresst wird, vor und hinter der Röhre eine Differenz elektrischen Potentialfunktion eintritt, so zwar, dass das aus der Röhre stretende Wasser positiv gegen das in die Röhre eintretende Wasser Haga, Clark und Dorn haben diese Potentialdifferenz gemessen, und Lunden, dass dieselbe bei gleicher Druckdifferenz vor und hinter der bre von der Länge der durchströmten Kapillarröhre unabhängig ist, is sie aber der Differenz der Drucke vor und hinter der Röhre pro-Tional ist. Für Röhren, deren Durchschnitt so klein ist, daß für dieben das Gesetz von Poiseuille für den Durchflus der Flüssigkeiten gilt, nd Dorn ferner, daß die elektromotorische Kraft auch unabhängig vom erschnitte der Röhre ist, für weitere Röhren nimmt die elektromotoche Kraft mit dem Durchmesser der Röhre ab.

Wesentlich abhängig ist die elektromotorische Kraft von der Beinffenheit der Röhrenwände, ja bei einem Überzuge der Röhre mit Wachs

1) Zöllner, Poggend Ann. Bd. CXLVIII.
2) Edlund, Wiedem. Ann. Bd. I, Bd. III, Bd. VIII, Bd. IX.
3) Dorn, Poggend. Ann. Bd. CLX. Wiedem. Ann. Bd. V, Bd. IX, Bd. X.
4) Haga, Wiedem. Ann. Bd. II.
5) Clark, Wiedem. Ann. Bd. II.

6) Elster, Wiedem Ann. Bd. VI.

erhielt Dorn eine entgegengesetzte elektromotorische Kraft, die P funktion hinter der Röhre war gegenüber derjenigen vor der Böht tiv. Für drei frische Glasröhren, deren Querschnitt so klein w für dieselben das Poiseuillesche Strömungsgesetz giltig ist, erhie als Differenz der Potentialfunktion, wenn destilliertes Wasser durch d gepresst wurde, für einen hydrostatischen Druck von 1000 mm

später, nachdem die Röhren frisch gereinigt waren,

Die Versuche beweisen somit, daß ein Flüssigkeitsstrom dur Röhre gleichzeitig Elektricität mitführt, welche bei Anwendung von fast ausnahmslos positiv ist. Sind die beiden. Enden A und B is so häuft sich die Elektricität in B so lange an, bis die in gleichen nach B durch die Strömung hingeführte Elektricität gleich der ist, welche durch die Differenzen der Potentialniveaus in B und Form des durch diese Differenz bewirkten elektrischen Stromes if fließt. Ist E die Differenz der Potentialniveaus, l die Länge, q der schnitt der Röhre und σ der specifische Leitungswiderstand der I keit, so ist die im Strome zurückfließende Elektricität in der Zeit

$$e = \frac{E}{\sigma l \frac{1}{q}}$$

Dies ist demnach auch die Elektricität, welche in der Zeiteinligenem hydrostatischen Drucke, welcher die Potentialdifferenz E her durch die Röhren getrieben wird.

Werden A und B durch einen Stromleiter verbunden, so ist e Elektricität, welche sich in dem Stromleiter ausgleicht, vorausgesett der Widerstand des Stromleiters gegen den Widerstand der Röhnachlässigt werden darf. Nennen wir den Widerstand der Wass W, so muß demnach

$$i=K\frac{E}{w},$$

worin die Konstante K davon abhängig ist, welches Strommaß unutzen.

Ist der Widerstand w_i des Stromleiters gegen den der Röhre verschwindend klein, so geht ein Zweigstrom durch denselben, inder ein Teil der Elektricität durch das Wasser sich ausgleicht. Die I tät desselben i_1 ist gegeben durch

$$i_1 = \frac{i w}{w + w_1} \cdot$$

Diese kurze Übersicht der Hauptresultate der Untersuchungen! kennen, dass wir in den Diaphragmen- und Strömungsströmen die ret Erscheinung der von Wiedemann und Quincke untersuchten elekti Endosmose und der elektrischen Überführung vor uns haben. D. Quincke zur Erklärung der Fortführung gemachten Annahmen gebinahlb auch sosort eine Erklärung dieser Ströme. Des W.

rithrung mit der Röhrenwand positiv, die Wand selbst negativ eleksch, es bildet sich somit an der Wand, nach v. Helmholtzs Bezeichnung ne elektrische Doppelschicht. Die positive Schicht im Wasser ist zwar n geringer Dicke, beschränkt sich indes nicht auf die Außenfläche des assers, welche an der Wand, wenn keine Gleitung stattfindet, fest aftet, sondern erstreckt sich auf eine gewisse Strecke in das Innere des Vassers. Diese Doppelschicht ist in der ganzen Röhrenlänge dieselbe, im uhenden Wasser kann demnach dadurch keine Potentialdifferenz und somit ach keine elektrische Strömung vorhanden sein. Wird indes durch einen ydrostatischen Druck das Wasser fortgetrieben, so bewegen sich mit emselben auch die inneren Teile der elektrisch geladenen Grenzschichten es Wassers. So lange sich diese mit gleichbleibender Geschwindigkeit arallel der Röhrenwand verschieben, und daher fortdauernd gleichmäßig ter dem Einflusse der durch die Berührung bedingten elektrischen rafte stehen, wird ihr elektrisches Gleichgewicht nicht gestört. Nach un Austritte der Flüssigkeit aus den Röhren wird die positive Ladung r Schichten frei, und die aus der Röhre hervortretende Flüssigkeit muß Sitiv elektrisch sein.

Die an dem anderen Ende in die Röhre eintretende Flüssigkeit trifft et die schon negativ geladene Wand, sie wird deshalb aus der vor der hre befindlichen Flüssigkeit positive Elektricität in sich aufnehmen, so fs die Flüssigkeit vor der Röhre negativ elektrisch werden muß.

Von Helmholtz hat auf Grundlage dieser Anschauungen eine ausbrüche Theorie dieser ganzen Erscheinungsgruppe, also der elektrischen ertführung und der Strömungsströme entwickelt¹). Der Raum gestattet is nicht auf dieselben näher einzugehen, nur sei erwähnt, dass v. Helmblitz aus seiner Theorie sowohl die von Wiedemann und Quincke gendenen Gesetze der elektrischen Fortführung als auch die Gesetze der römungsströme ableitet. Das Maßgebende für die Erscheinung ist die ektrische Differenz der elektrischen Doppelschicht, nennen wir dieselbe A, erhält von Helmholtz für die durch eine Strömung unter dem hydrostischen Drucke P in engen Röhren erzeugte elektromotorische Kraft

$$E = \frac{\sigma P}{4\pi\eta} \varDelta,$$

enn wie vorhin σ den specifischen Widerstand des Wassers und η den bibungskoefficienten bedeutet. Der Widerstand σ ist in dem später zu sprechenden absoluten elektrostatischen Maße auszudrücken. Dorn ertlt aus den vorhin angegebenen Werten von E nach dieser Gleichung 3,75 Daniell für die frischen, $\Delta = 3,600$ Daniell für die gereinigten Ghren. Andere Versuche, bei welchen der Widerstand des benutzten assers direkt gemessen wurde, lieferten im Mittel $\Delta = 3,936$ Daniell.

Von Helmholtz erhält für den hydrostatischen Druck, welcher durch Gen Strom von der elektromotorischen Kraft A in einem engen Rohr In Radius R durch Fortführung des Wassers wie bei den Versuchen Quincke erzeugt werden kann, den Ausdruck

$$P = \frac{2d}{R^2\pi} \cdot A,$$

¹⁾ v. Helmholtz, Wiedem. Ann. Bd. VII.

während Quincke für die Steighöhe des Wassers h durch die elektrone torische Kraft G eines Groveschen Elementes gefunden hatte (§. 102)

$$h = \frac{0,00006}{R^2} = \frac{0,000188}{R^2\pi}$$

In der Helmholtzschen Gleichung sind die Größen nach absolutem Maße, die elektromotorischen Kräfte nach absolutem elektrostetische Maße zu messen; ist G die elektromotorische Kraft des Groveska Elementes in absolutem Maße, so wird demnach gemäß der Quinckerka Beobachtungen

$$h_1 = \frac{0,000188}{R_1 \pi G}$$

die Steighöhe für die absolute elektrostatische Einheit der elektrostatischen Kraft. Da h in Millimetern gegeben ist, so ist der entsprechent hydrostatische Druck in absoluten Einheiten (Milligramm, Millimeter, & kunde)

$$h_1 \cdot 9811 = \frac{0,000188 \cdot 9811}{R^2 \pi G},$$

somit

$$\frac{0,000188 \cdot 9811}{2 G} = \Delta$$

in absolutem Masse. In Daniells ergiebt sich daraus, wenn G in also lutem Masse gleich 0,6387 und D = 0,374 gesetzt wird,

$$\Delta = 3,861$$
 Daniell,

eine Zahl, welche sehr nahe mit der von Dorn für die elektrische Differenz Wasser-Glas aus der beobachteten elektromotorischen Kraft der Strömungsströme abgeleiteten übereinstimmt.

Theorieen des Galvanismus. Wir haben in diesem Abschriff die Entstehung des galvanischen Stromes und die Wirkungen desselbe in dem Stromkreise beschrieben, ohne näher auf die verschiedenen 🕨 sichten einzugehen, welche man sich über die Quelle der hier wirks Kraft gebildet hat. Wir haben uns dabei einfach an die Erfahrung 🥐 halten, dass jedesmal, wenn zwei heterogene Körper zur Berührung men, die beiden Körper, der eine positiv, der andere negativ elektrich werden, und haben bei Besprechung der Voltaschen Fundamentalversicht die Ansicht von Helmholtz mitgeteilt, nach welcher diese Erscheinung einer verschiedenen Anziehung der Metalle auf die verschiedenen Bei der Vorführung und Besprechung tricitäten ihren Grund hat. Peltierschen Phänomens haben wir dann die Modifikation der Ansicht Helmholtz mitgeteilt, welche nach den Entwicklungen von Clausius gebracht werden muß, um die an den Lötstellen unter gewissen 🖙 ständen durch den Strom eintretende Abkühlung verstehen zu könen dass nämlich bis zu einem gewissen Grade die Arbeit der Wärme der Herstellung der elektrischen Differenzen thätig sein muß.

Eine ähnliche verschiedene Anziehung der verschiedenen Substantigen die beiden Elektricitäten ist dann auch die Ursache des Auft

Elektricität bei der Berührung irgend zweier anderer Substanzen, Me-Il und Flüssigkeit oder auch zweier Flüssigkeiten.

Eine große Zahl von Physikern, insbesondere die deutschen Physiker, ie Fechner, Poggendorff, Pfaff, Ohm, Kohlrausch, v. Helmholtz und viele idere haben sich zu dieser zuerst von Volta ausgesprochenen Ansicht kannt, und eine bei dem Kontakte auftretende, von Helmholtz dann als erschiedene Anziehung der Stoffe auf die beiden Elektricitäten näher denierte Kraft als die Ursache der galvanisch-elektrischen Erscheinungen

gesehen.

Diese Kontaktkraft, oder wie wir sie bezeichneten, diese elektromorische Kraft bewirkt zunächst nur eine andere Verteilung der Elektricit, und in einem geschlossenen Kreise, wo diese Verteilung einen neuen eichgewichtszustand herstellen kann, entsteht deshalb durch dieselbe kein com. Das ist der Fall in einem rein metallischen Kreise, in welchem h durch den Kontakt allerdings Niveaudifferenzen der elektrischen Potialwerte auf den verschiedenen Metallen herstellen, in welchem aber jedem einzelnen Metalle die Niveaus konstant sind. Es kann des-Ib dort kein Strom entstehen; wenn man aber den Kreis zwischen zwei tallen durchschneidet, so können an den Enden freie Elektricitäten auften. Nur wenn wir das Gleichgewicht stören, also etwa durch Wärmefuhr an einer Berührungsstelle die Differenz des Potentialniveaus ver-Sisern, und dadurch bewirken, dass auch in einem und demselben tall die elektrische Potentialfunktion einen verschiedenen Wert hat, tritt einem solchen Kreise ein Strom ein. Der Strom dauert so lange fort, e durch die höhere Temperatur der einen Berührungsstelle eine Verniedenheit der Potentialniveaus in den einzelnen Metallen vorhanden , da die Elektricität in einem und demselben Körper nur im Gleichwicht sein kann, wenn das Potentialniveau in demselben überall das eiche ist. Die Arbeit der Wärme ist es, welche an der wärmeren Behrungsstelle die Elektricität von dem tieferen zum höheren Niveau hebt, Mche also den Strom möglich macht und ihn unterhält.

Ebenso kann kein neuer Gleichgewichtszustand in dem geschlossenen romkreise sich ausbilden, wenn bei hinreichender elektromotorischer aft zwischen zwei Metallen ein Elektrolyt eingeschaltet ist. Die Begungen der Strombildung sind vor kurzem von v. Helmholtz 1) mit Mser Schärfe dargelegt worden; das wesentlichste der Helmholtzschen twicklungen lassen wir hier folgen.

Bereits bei Entwicklung des Gesetzes der Spannungsreihe im §. 69 un wir, dass die Differenz der Potentialfunktionen q, und qe zweier berührender Metalle z und c gegeben ist durch den Ausdruck

$$\varphi_z - \varphi_c = G_z - G_c$$

nn G, resp. Ge die Arbeiten bedeuten, welche geleistet werden müssen, un die Elektricitätsmenge eins aus einer gegen die Molekularkräfte isen Entfernung durch die Anziehungen des Metalls z oder a in dieben übergeht. G, oder G, nennt v. Helmholtz die galvanischen Werte Metalle.

¹⁾ v. Helmholtz, Wiedem. Ann. Bd. XI. S. 747 ff.

Von Helmholtz betrachtet nun zunächst die Strombildung in eine Flüssigkeit, welche in einem Stromkreise sich befindet, in welchen ein elektromotorische Kraft A vorhanden ist.

In den Elektrolyten ist, wie wir sahen, mit jedem Kation des ek trochemischen Moleküls das gleiche Quantum, v. Helmholtz nennt et die Äquivalent, positiver, mit jedem Anion ein Äquivalent negativer Elekticität verbunden. Jede Bewegung von Elektricität in der Flüssigkeit schieht nur in der Weise, dass die Elektricität haftend an ihren Isaa sich fortbewegt. Da die schwächsten verteilenden elektrischen Anziehung: kräfte ebenso vollständiges Gleichgewicht der Elektricität im Inner va elektrolytischen Flüssigkeiten erzeugen, wie in Metallen, wie aus d Erscheinungen der Polarisation bei kleinen elektromotorischen Kraf folgt, wenn keine Konvektion stattfindet, so ist anzunehmen, dass der frei Bewegung der positiv und negativ geladenen Ionen keine andern (che schen) Kräfte entgegenstehen als allein ihre elektrischen Anziehungs-Abstofsungskräfte. Mit positiver Elektricität geladene Wasserstoffston die sich an einer Seite der Flüssigkeit angesammelt haben, der ein negen geladener elektrischer Leiter genähert wird, sind also nicht als frei Wasserstoff aufzufassen, sondern noch als chemisch gebundener. In That werden sie, so wie der negative Leiter entfernt wird, sich d merkliche Arbeitsleistung wieder mit den Sauerstoffatomen, welche Träger der entsprechenden Äquivalente negativer Elektricität sind, w einigen.

Damit eine Anzahl positiver Ionen elektrisch neutral und chemitunverbunden abgeschieden werden, müssen die halben Äquivalente pertiver Elektricität abgegeben und dafür gleiche Mengen negativer Elektricität aufgenommen werden. Dieser Vorgang konstituiert die definitien Trennung der vorher bestandenen chemischen Verbindung und ist großem Arbeitsaufwand verbunden.

Ist die elektrolytische Flüssigkeit in Berührung mit zwei Elektrole von ungleicher elektrischer Potentialfunktion, so tritt zunächst Ansant lung von positiven Ionen an der negativen Platte, von negativen an 🚾 positiven Platte ein, bis im Innern der Flüssigkeit die Potentialfunktie einen konstanten Wert erreicht hat. Wenn sich positiv beladene Ate an der äußern Seite der negativen Elektrodenfläche, also an der Kuis ansammeln, werden an der innern Seite die entsprechenden Quanta 📭 tiver Elektricität herangezogen und es wird sich eine elektrische Doppe schicht ausbilden müssen, auf welcher die Differenz der Potentialfunktion so lange zunimmt, bis die an den beiden Elektroden gebildeten Doppe schichten ausreichen, den zwischen ihnen durch die elektromotorische Kal der Kette bedingten Sprung des Potentialwertes hervorzubringen. Abstand der Doppelschichten ist zwar sehr klein aber nicht une klein, wie man hier ohne weiteres erkennt, da die eine elektrische Schiff durch die Atome der Flüssigkeitsmoleküle gebildet wird. schicht bildet deshalb einen Kondensator von außerordentlich Kapacität. So lange keinerlei chemische Prozesse die Menge der sammelten Elektricitäten verändern, ist die Potentialfunktion in der Fits keit dadurch bestimmt, dass die gleichen Mengen von + E und gebunden an ihre Ionen sich an beiden Elektroden angesammelt

zeichnen wir mit φ_1 und φ_2 die Potentialfunktionen in den Elektroden, t φ_0 in der Flüssigkeit, mit C_1 und C_2 die Kapacitäten der als Konnsatoren gedachten Doppelschichten, und nehmen wir an, daß an der ektrode vom Potentialwerte φ_1 sich negative Elektricität sammelt, so hält man unmittelbar aus der Theorie des Kondensators (§. 41)

$$-E = C_1(\varphi_0 - \varphi_1)$$
 $E = C_2(\varphi_0 - \varphi_2)$. . . (1)

Sind G, und G, die galvanischen Werte der Elektrodenmetalle, so ist

$$\varphi_1 - G_1 - (\varphi_2 - G_2) = A$$
. . . . (1a)

leich der elektromotorischen Kraft der Kette, denn es fließt so lange lektricität von der Kette in die Elektroden, bis die elektrische Differenz r Elektroden der elektromotorischen Kraft der Kette gleich geworden Daß diese elektrische Differenz der Elektroden durch die linke Seite r letzten Gleichung dargestellt wird, erkennt man daraus, daß wenn

$$\varphi_1-\varphi_2=G_1-G_2,$$

ischen den Elektroden nach dem Spannungsgesetz Gleichgewicht ist. Irch die Gleichungen (1) und (1a) sind die Werte von E, $\varphi_1 - \varphi_0$ und $-\varphi_0$ bestimmt, welche dem elektrischen Gleichgewichtszustande in der resetzungszelle entsprechen. Dieser Gleichgewichtszustand besteht so ige, als nicht Prozesse eintreten, welche einen Teil der Elektricität, iche in den Grenzschichten der Flüssigkeiten angesammelt sind, beseitigen.

Ein derartiger Prozefs ist die elektrolytische Abscheidung der Ionen den Elektroden, wobei dieselben elektrisch neutral werden, indem die jeder Elektrode abgeschiedenen Ionen die Hälfte ihrer Elektricität an Elektrode abgeben und dafür die gleiche Menge entgegengesetzter lektricität aufnehmen. Damit diese elektrolytische Abscheidung der Ionen atreten kann muß molekulare Arbeit geleistet werden, indem an der mode die negative Elektricität des Anions losgelöst und außerdem die waige Anderung des Aggregatzustandes oder die Auflösung bewirkt erden muß. Diese Arbeit kann in dem jetzt betrachteten Fall nur durch Arbeit der Elektricität geleistet werden, die dadurch erhalten wird, Is an der Anode aus derselben positive Elektricität von dem höhern reau in der Anode auf das Potentialniveau an der Grenze zwischen ussigkeit und Anode hinabsinkt. Die Arbeit kann somit erst geleistet rden, wenn die Niveaudifferenz in der Grenze so groß ist, daß durch das nabsinken der Einheit der positiven Elektricität die zur Abscheidung gleichen Menge negativer Elektricität von den Ionen erforderliche beit geliefert wird. Sei die erforderliche Arbeit K1. Dazu ist zunächst twendig, dass die elektromotorische Kraft A der Kette größer ist, als dem vorhin betrachteten Gleichgewichtszustande entspricht; ist das der Π , so steigt die Potentialfunktion φ_1 in der Anode. Tritt die Abscheing der Ionen ein, so ändert sich gleichzeitig die Potentialfunktion an F Grenze der Flüssigkeit und Anode, sie werde φ_{01} . Die Arbeit, welche Elektricität an der Anode für die Einheit der positiven Elektricität nn leistet, ist nach §. 93

Die Bedingung, dass die zur Entstehung des Stromes erford Arbeit an der Anode geleistet werden kann, ist demnach

$$\varphi_1 - G_1 - \varphi_{0,1} - K_1 = 0; \quad \varphi_1 - G_1 - \varphi_{01} = K_1.$$

Soll der Strom zustande kommen, so muß an der Kathode de Vorgang eintreten, es muß dort die positive Elektricität der Kaabgeschieden werden und in die Elektrode übertreten. Letzteres ents hier der gewonnenen Arbeit; nennen wir die für die Einheit der Elekt erforderliche molekulare Arbeit hier K_2 , das Potentialniveau in der trode φ_2 , an der Grenze zwischen Flüssigkeit und Anode $\varphi_{0,2}$, so muß

$$\varphi_{0,2} - (\varphi_2 - G_2) = K_2$$

sein. An beiden Elektroden bleibt dieser Zustand während der I des Stromes bestehen, denn welchen Wert auch die elektromotorischel hat, die Potentialdifferenzen können nicht größer werden, da wenn durch die letzten Gleichungen charakterisierte Zustand erreicht ist, ankommende Elektricität sofort unter Leistung der entsprechenden Atbergeht. Die Summe der Arbeiten ist somit während der ganzen I des Stromes für die Einheit der Elektricität

des Stromes für die Einheit der Elektricität
$$\varphi_1 - G_1 - \varphi_{01} - \varphi_2 + G_2 + \varphi_{02} = (K_1 + K_2).$$

Nennen wir jetzt J die Stärke des durch unsern Stromkreis flie den Stromes, W den Widerstand des Kreises außerhalb der Flüssigl zelle, w den Widerstand in der Flüssigkeit, so ist nach den eben gemaßemerkungen und der Gleichung (1a) gemäß dem Ohmschen Geset

$$A - \{(\varphi_1 - G_1) - (\varphi_2 - G_2)\} = JW$$

und in der Flüssigkeitszelle

$$\varphi_{0,1} - \varphi_{02} = Jw.$$

Die Summe beider Ausdrücke liefert

$$A - \{(\varphi_1 - G_1 - \varphi_{01}) - (\varphi_2 - G_2 - \varphi_{02})\} = J(W + w)$$

oder

$$A - (K_1 + K_2) = J(W + w) = E$$

oder die elektromotorische Kraft des Stromes, welche in dem Strome cirkuliert, ist gleich der elektromotorischen Kraft der Kette weniger Summe der für die Einheit der Elektricität an jeder der beiden I troden erforderlichen Arbeit. Letztere repräsentiert die elektromotori Kraft des Polarisationsstroms.

Letztere Gleichung schließt sofort die Theorie der konstanten Ke ein. Werden auch ohne eine außer der Flüssigkeitszelle vorhan elektromotorische Kraft, also bei offener Kette, die Potentialdiffere an den Grenzen der Flüssigkeiten und der Elektroden solche, daß für die Einleitung der chemischen Prozesse erforderliche Zustand ein so wird durch die Verbindung der Elektroden dieser Zustand gestört indem die molekulare Arbeit diesen Zustand wieder herstellen will, aus dieselbe den Strom. Dabei muß elektrische Arbeit geleistet, also die molekularen Vorgänge Arbeit gewonnen werden. Das ist konstanten Ketten der Fall. Wir wissen z. B. bei der Daniell

Is wenn wir den Wert der Potentialfunktion am Zink gleich φ_z setzen, en der Schwefelsäure am Zink φ_{0z} , daß letztere einen erheblich höhern Vert hat als erstere, wir erinnern an die Versuche von Kohlrausch (§. 79), telche diese direkt gemessen haben. Ist die durch die molekularen Vorfange am Zink für die Einheit der abgeschiedenen Elektricität disponible arbeit K_z , so muß

$$\varphi_{0,z} - \varphi_z + G_z = K_z$$

ein, da die Elektricität hier aus dem Zink in das höhere Niveau gehoben urden muß. In der Flüssigkeit sinkt das Niveau bis φ_{0c} an der Grenze in Flüssigkeit und Kupfer und fällt im Kupfer auf φ_c , welches aber üher ist als φ_c . Dort wird also elektrische Arbeit gewonnen und dadurch molekulare Arbeit geleistet, es ist

$$\varphi_{0,c} - \varphi_c + G_c = K_c$$

nn wir die betreffenden Größen am Kupfer mit dem Index c bezeichnen.
den Schließungsbogen des Elements ist dann, wenn wir mit J die
romstärke, mit W den Widerstand des Schließungsbogens bezeichnen,

$$\varphi_c - G_c - \varphi_s + G_s = JW;$$

die Flüssigkeit ist, wenn w deren Widerstand ist,

$$\varphi_{0z}-\varphi_{0c}=Jw,$$

mit

$$\varphi_{0z} - \varphi_z + G_z - (\varphi_{0c} - \varphi_c + G_c) = J(W + w)$$

$$K_z - K_c = E$$

er die elektromotorische Kraft ist gleich dem durch die molekularen rgänge disponibeln Arbeitsvorrate.

Die hier dargelegte Anschauung der Strombildung giebt in kurzen gen die eine der herrschenden und wohl jetzt ziemlich allgemein annommenen Theorieen des Galvanismus, der sogenannten Kontakttheorie, können dieselben kurz darin zusammenfassen, dass durch die Berührung schiedener Stoffe in denselben eine Differenz der elektrischen Potentialwaus eintritt. Wird dadurch in einem geschlossenen Kreise eine Differenz Niveaus in einem und demselben Körper hervorgebracht und durch beit der Wärme oder Molekulararbeit dauernd in dieser Verschiedenheit halten, so entsteht ein dauernder, konstanter elektrischer Strom¹).

Gegen diese Theorie traten aber schon frühe namhafte Physiker auf,

¹⁾ Es wird überstässig sein, die ausgedehnte Zahl von Arbeiten hier anzumen, welche eine Begründung der Kontakttheorie und Verteidigung derselben die chemische Theorie zum Zweck haben, da dieselben jetzt nur mehr historisches Interesse haben, seitdem infolge der Erkenntnis des Princips der Erhaltung der Arbeit über das die Ausbildung des Stromes Bedingende Zweisel mehr möglich ist; wir erwähnen deshalb von ältern Werken nur Ir. Revision der Lehre vom Galvanovoltaismus, terner in Gehlers Wörterbuch, kel Galvanismus und im Registerband, die Arbeiten von Fechner besonders gend. Ann. Bd. XLII, die vielfachen Arbeiten Poggendorss gegen de la Rive, onders Poggend. Ann. Bd. LVI und LXII, und Doves Repert. Bd. VIII, die ammenstellung von Beetz über die verschiedenen Theorieen und Voltas Funchtalversuch. Man sehe ferner Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. II.

sobald die chemischen Wirkungen der Säule bekannt und näher wissel wurden, man glaubte, daß nur durch chemische Aktion Elektricität er werden könne, nicht durch den Kontakt. Wollaston 1) war wohl eint dersten, welcher die Ansicht aussprach, daß in der Voltaschen Säule Oxydation des Zinks es sei, welche die Elektricität errege, inden der Zink durch dieselbe negativ elektrisch werde, eine Ansicht, welche parrot 2) theoretisch begründete.

Die erste vollständig ausgebildete chemische Theorie des Galusiums ist wohl diejenige von De la Rive³). Er glaubt, daß jede mat nische Aktion (Reibung), physische Aktion (Wärme in den Thermostrant und chemische Aktion Elektricität errege; die Elektricitätsquelle, wild die Anhänger der vorher dargelegten Theorie im Kontakt suchen, sall chemische Aktion zwischen den festen und flüssigen Leitern oder zwischen flüssigen Leitern sein.

De la Rive selbst fasst seine Hypothese in folgenden Sammen:

- 1) Wenn zwei heterogene, sich berührende Körper in ein Liquid oder ein Gas gebracht sind, welches auf beide oder auch blos auf de von ihnen eine chemische Wirkung ausübt, so findet Elektricitätes wicklung statt.
- 2) Wenn die beiden sich berührenden Körper abseiten des Gasss de Liquidums, in welches sie gebracht sind, keine chemische Einwirkung fahren, so findet keine Elektricitätsentwicklung statt, wenigstens dans nicht wenn keine Wärmewirkung oder mechanische Wirkung stattfand.
- 3) Die durch die chemische Wirkung erregte Elektricität hat keiner wegs in allen Fällen und unter allen Gestalten eine der Lebhaftigkeit diem chemischen Wirkung proportionale Intensität, vielmehr ändern vorzüglich zwei Umstände diese Intensität ab, nämlich die unmittelbare, mehr oder weniger beträchtliche Wiedervereinigung der beiden elektrischen Principien und die eigentümliche Natur der die Elektricität erregenden chemischen Wirkung.

Der chemisch angegriffene Körper wird dabei negativ elektrisch, angreifende positiv.

In welcher Weise De la Rive dabei die Voltaschen Fundamentaler suche erklärt, haben wir bei der Besprechung derselben angedeutet.

In ähnlicher Weise erklärt de la Rive die elektrischen Erscheinungen in der Säule oder in galvanischen Elementen; das von der Flüssigkeit stärksten angegriffene Metall wird am stärksten negativ, also bei Kupitalink das Zink.

Es kann hier nicht unsere Aufgabe sein, die vielfachen Widersprüßnachzuweisen, welche diese Anschauung mit den Erfahrungen darbiets wir verweisen nur auf die vielfachen in diesem Abschnitte mitgewißnachen, in denen eine Elektricitätserregung ohne vorhergehende in mische Aktion gezeigt ist, wie z. B. dass man in der Daniellschen Kette

¹⁾ Wollaston. Man sehe Becquerel, Traité de l'électricité T. II. p. 118. 2) Parrot. Man sehe Gehlers Wörterb. Art. Galvanismus.

³⁾ De la Rive, Recherches sur la cause de l'électricité voltaique. Gent page Poggend. Ann. Bd. XV, XXXVII, XL; seine Cata finden sich Pogges Bd. XL.

wefelsäure durch ganz neutrales schwefelsaures Zinkoxyd oder schwefelre Magnesia oder andere neutrale Salzlösungen ersetzen kann, und besons auf die Unhaltbarkeit in der Erklärung des Voltaschen Fundamentalsuches.

Der Theorie von De la Rive haben sich mit mehr oder weniger großen difikationen vorzüglich die englischen Physiker, so Faraday, und viele zösische Physiker angeschlossen¹).

Diesen beiden Theorieen gegenüber ist noch eine dritte, die von önbein zu erwähnen²). Schönbein verwirft die Kontakttheorie ebenfalls, nimmt nur Elektricitätsentwicklung zwischen Metallen und Elektron, oder überhaupt zwischen Körpern an, von denen wenigstens der eine misch zusammengesetzt sein muß. Er nimmt zwischen diesen Stoffen mische Anziehungen an, wenn auch keine wirkliche Änderung ihrer sammensetzung eintritt. Es läßt sich, sagt er, als chemisches Axiom stellen, daß so oft verschiedenartige Materien in Kontakt kommen, auch schen denselben chemische, je nach der Beschaffenheit der sich berührenden per mehr oder weniger intensive Anziehungskräfte ins Spiel kommen, gen letztere irgend eine chemische Trennung oder Verbindung hervorien oder nicht.

Diese Anziehungskräfte sind die eigentlichen elektromotorischen afte; in welcher Weise, das möge folgendes Beispiel zeigen.

Tauchen wir chemisch reines Zink in Wasser, so zieht dieses vermöge reben angeführten Kraft den negativen Sauerstoff an, und infolgedessen Inen sich die Moleküle des Wassers wie bei der Elektrolyse.

Die negative Elektricität des Sauerstoffs influenziert das Zink und wirkt, das das in das Wasser tauchende Ende positiv, das ausser dem asser befindliche Ende negativ elektrisch wird. Taucht man nun in das asser irgendwo ein Metall, welches weniger stark den Sauerstoff anzieht das Zink, oder ganz indifferent gegen denselben ist, so wird an diesem positiv elektrische Wasserstoff anliegen; dieser wird das Metall ebenls influenzieren, die negative Elektricität desselben anziehen und an der rührungsstelle festhalten, während die Influenzelektricität zweiter Art, also positive, sich zu dem außerhalb des Wassers befindlichen Ende begiebt.

Bleibt die Kette offen, so tritt ein Zustand des elektrischen Gleichvichts ein, bei welchem die Pole Zn negativ, Pt positiv elektrisch sind.

 Schönbein, Beiträge zur physik. Chemie. Basel 1844. Poggend. Ann. XLIII, XLIV nnd LXXVIII.

¹⁾ Faraday, Experimental researches. VIII. Reihe. Poggend. Ann. Bd. XV; XVI. und XVII. Reihe. Poggend. Ann. Bd. LII und LIII. Man sehe h Becquerel, Traité de l'électr. T. I und VI, auch Becquerel und E. Becquerel, ité de l'électr. (en 3 vol.). Paris 1855. T. I. Neuerdings ist diese Theorie Fr. Exner wieder aufgenommen in einer Anzahl Abhandlungen in den Besten der Wiener Akademie. Man sehe Wiedem. Ann. Bd. V, Bd. VI, Bd. IX, X, Bd. XI, Bd. XI, Bd. XV. Auf die Arbeiten Exners kommen wir im letz-Kapitel noch zurück.

tive Elektricität des Poles Pt mit der negativen des Zinkpoles, ferner in positive Elektricität des in das Wasser tauchenden Zinkendes mit der segativen des anliegenden Sauerstoffes, indem zugleich der Sauerstoff mit dem Zink sich zu Zinkoxyd verbindet. Wie bei der Elektrolyse verbinden sich dann die Wasserstoffatome des ersten Wassermolektiles mit dem Sauerstoffatom des zweiten und so fort durch die ganze Flüssigkeit, während in letzten Wasserstoffatome ihre positive Elektricität mit der negativen der Platins verbinden und unelektrisch frei werden. Der chemische Prozit tritt also erst infolge des Stromes ein, welcher selbst durch die chemischen Anziehungen erregt wird.

Die Theorie Schönbeins unterscheidet sich demnach von der Kontaktheorie eigentlich nur dadurch, dass er die Elektricitätserregung bei der Berührung chemisch indifferenter Körper leugnet und an Stelle der unbestimmten Bezeichnung Kontaktkraft, oder bei dem Kontakte auftreise

Kraft ganz bestimmte chemische Anziehungskräfte setzt.

Manche Erscheinungen lassen sich allerdings hiernach sofort verstehe, so z. B. die so stark negative Stellung der Superoxyde in der Spannungereihe. Steht sich dann ein Superoxyd und ein oxydierbares Metall in Wasser gegenüber, so zieht nicht nur das positive Metall den Sauerstelles Wassers an, sondern auch der aktive Sauerstoff des negativen Superoxyds den Wasserstoff, und die Richtung der Moleküle muß sehr viel vollständiger sein, als wenn dem positiven Metall ein anderes Metall gegenübersteht.

Es lässt sich nicht leugnen, dass die Theorie von Schönbein, welchen an die Stelle des immerhin unbestimmten Begriffes der Kontaktkraft eine bestimmt definierbare chemische Anziehungskraft setzt, etwas sehr Verlockendes hat, und dass wir in Fällen, wo es nicht gelingen will, die chemische Anziehungen zu erkennen, gewiss mit Wiedemann sagen können, dass wir dieselben noch nicht zu übersehen imstande sind.

Indes scheint mir doch einerseits die Natur dieser chemischen beziehungskraft nicht viel bestimmter als die unbestimmte Kraft beim Kontakt, und andererseits erfordert diese Theorie für die bei dem Metallkontakt beobachteten Elektricitäten eine so gezwungene Erklärung, dass es nicht möglich scheint, an Stelle der Kontaktkraft die Schönbeinsche Ansicht setzen.

Es gentige an diesen wenigen Bemerkungen über die streitigen Theoriesie vollständig darzulegen und gegen einander abzuwügen, das ist hier möglich, da wohl über keinen anderen Punkt der Physik eine so groß Litteratur existiert.

Wir bemerken noch, dass es sich eigentlich nur noch um die Fraschandeln kann, wodurch entstehen die Potentialdifferenzen, sei es bei der Bertihrung zweier Metalle, sei es bei der Bertihrung irgend zweier Köps, welche die den Strom erzeugenden molekularen Arbeiten veranlassen. Die der Strom selbst nur Folge dieser Arbeiten ist, unterliegt keinem Zweise mehr, da kann es sich nur fragen, ob die ganze bei den Molekulararbeite frei gewordene Energie in Strom umgesetzt wird, oder, wie Braun (§. 92) annimmt, nur ein Teil derselben. Auf diese Frage kommen wir am Schlich des Werkes nochmals zurtick.

Vierter Abschnitt.

Die Wirkungen des Stromes aufserhalb des Stromkreises.

Erstes Kapitel. Elektrodynamik.

§. 114.

Anziehung und Abstossung zweier galvanischer Ströme. Im bire 1820 machte Oersted in Kopenhagen zuerst die Beobachtung¹), daß im ein starker Strom in der Nähe einer im magnetischen Meridiane bedlichen Magnetnadel vorübergeführt wurde, die Nadel dadurch aus ihrer
belage abgelenkt wurde. Wurde der Strom über oder unter der Nadel
oder um sie herumgeführt, so wurde die Nadel stets aus dem Meridiane
gelenkt und fast senkrecht zur Richtung des Stromes gestellt. Die Abkung war verschieden, je nachdem ein und derselbe Strom über oder
ter der Nadel floß, oder je nachdem der über der Nadel fließende Strom
Süden nach Norden oder von Norden nach Süden sich bewegte; ein
er der Nadel nach Norden fließender Strom lenkt dieselbe ebenso ab,
ein unter der Nadel nach Süden fließender. Oersted gab als Regel
Bestimmung der Ablenkung an, daß derjenige Pol, über welchem der
sative Strom eintritt, nach Westen, derjenige, unter welchem derselbe
tritt, nach Osten abgelenkt wird.

Von Ampère²) wurde die Regel dann in die Form gebracht, welche früher schon angegeben haben; denkt man sich in der Richtung des der Nadel vorübergeführten positiven Stromes schwimmend, das Gesicht Nadel zugewandt, den Kopf nach vorn, so wird stets der Nordpol zur ben abgelenkt.

Die Beobachtung von Oersted brachte Ampère auf die Vermutung, seine innige Beziehung zwischen den galvanischen Strömen und dem enetismus existiere, und er sah voraus, daß ähnliche mechanische Wechsel-

2) Ampère, Annales de chim. et de phys. T. XV. Gilberts Ann. Bd. LXVII.

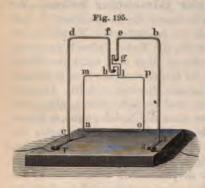
Oersted, Experimenta circa efficaciam conflictus electrici in acum magnem. Copenhagen 1820. Gilberts Annalen Bd. LXVI.

wirkungen, wie zwischen Strömen und Magneten, so auch zwischen zwigalvanischen Strömen vorhanden seien. Auf diese Weise durch die Beobachtung Oersteds angeregt, wurde Ampère nicht allein der Begründer einer neuen Theorie des Magnetismus, sondern er entdeckte auch eine neue Gruppe von Erscheinungen, welche selbst die Grundlage aller jeuer Entdeckungen wurden, die wir jetzt noch zu betrachten haben, des Elektromagnetismus und der Induktion, der ganzen Gruppe von Erscheinungen, welche man unter dem Namen Fernewirkungen des galvanischen Stromes zusammenfaßt.

Wir werden daher berechtigt sein, nicht die der Zeit nach frühere Entdeckung der Wechselwirkung zwischen Strom und Magnete, sonden die mechanischen Wirkungen galvanischer Ströme auf einander an die Spitze dieser Fernewirkungen zu setzen. Bei der Behandlung dieser Erscheinungen werden wir vollständig dem Gange von Ampères Untersuchungen folgen, da diese zugleich ein Muster der naturwissenschaftlichen Methode sind; er beginnt mit einer genauen experimentellen Untersuchung, leitet daraus die Gesetze der Wechselwirkungen ab und gründet dann auf diese die Theore der elektrodynamischen Erscheinungen.

Zur Untersuchung der mechanischen Wechselwirkungen zweier Ströme muß man bewegliche und feste Ströme auf einander wirken lassen können. Ampère konstruierte deshalb zunächst einen Apparat¹), an welchem er Ströme

möglichst beweglich aufhängen konnte.



Die erste Einrichtung Amperes wenn auch in etwas anderer Form, zeigt Fig. 195. Auf einem horizontalen Fußbrett von etwa 30 cm im Quadrat sind vertikal zwei Drähte ab und cd aufgestellt, welche oben horizontal umgebogen be und df, und dann noch ein mal vertikal herabgebogen sind eg und fh. Die Drähte haben eine Höhe wie etwa 40 cm. Sie tragen an den oberei herabgebogenen Enden die Näpfchen gund h, welche genau vertikal unter ein ander sich befinden. Das untere der beiden Näpfchen hat auf seinem Boden

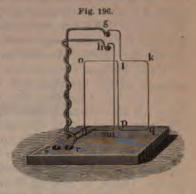
eine Achatplatte, die beiden Näpfchen werden mit Quecksilber gefüllt Die unteren Enden der Drähte a und c stehen mit den Quecksilbernäpfchen r und s in Verbindung.

In den Näpfchen g und h werden die Spitzen rechteckig geformter Stromleiter glmnoph hineingehängt; die Spitzen sind von hartem Stahl, und nur die untere steht auf dem Boden des Schälchens, also auf der Achstplatte, die obere taucht nur eben in das Quecksilber des Schälchens g.

¹⁾ Ampère, Annales de chim, et de phys. T.XVIII. Description d'un appareil électrodynamique. Paris 1826. Mémoire sur la théorie mathématique des phémmènes electrodynamiques uniquement déduite de l'expérience dans lequel strouvent réunis les mémoires que M. Ampère a communiqués à l'Académie royale des sciences dans les séances des 4. et 26. déc. 1820, 10. juin 1822, 22. déc. 1823, 12. sept. et 21. nov. 1825.

Dieser Apparat kann nur für wenige Versuche dienen, es kann nur Einwirkung der in den Drähten ab, cd fließenden Ströme auf die in vertikalen Teilen des Rechtecks lmnop fließenden Ströme untersucht

den, und zwar muß für jeden Fall besonderer Stromleiter benutzt werden. gemeiner ist der Apparat Fig. 196 zu wenden. Um den einen senkrecht aufgenden Draht, welcher gut mit Seide rsponnen und gefirnist ist, ist ein iter ebenfalls übersponnener und geister Draht spiralförmig gewickelt; beiden Drähte endigen oben wieder den genau vertikal unter einander belichen Quecksilbernäpfchen g und h, che ebenso eingerichtet sind wie die pschen Fig. 195. Die beiden Drähte en unten mit den Quecksilbernäpfchen ad s in Verbindung. In die Näpfchen

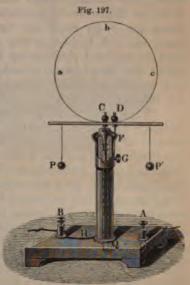


and h werden wie in dem eben beschriebenen Apparat die Spitzen hteckig geformter Stromleiter wie Fig. 195, oder von der Form

nolpqkg Fig. 196 gehängt.

Eine kleine Veränderung dieses Appaes ist die, dass man anstatt des einen
ralförmig gewundenen Drahtes eine
le Säule von Kupfer anwendet, von
cher oben ein horizontaler Arm von
ofer ausgeht, an dem das Näpfchen h
estigt ist. In der Axe dieser Säule und
derselben isoliert steigt der zweite
ht auf, welcher oben horizontal umogen ist, und dessen Ende das Näpfa g trägt.

Bei dem zuletzt beschriebenen Appaist noch der eine Übelstand, daß Stromleitern keine vollständige Umung gestattet ist. Dieser Übelstand fort bei dem Apparate von Sturgeon¹) 197; derselbe läßt die eben beschriebe hohle Säule in Quecksilbernäpfehen igen. Auf einem Fußbrette sind die len Klemmschrauben A und B befestigt; Klemmschraube A ist durch einen



er dem Brette geführten Draht mit dem in der Axe der hohlen Säule steigenden Drahte CE in Verbindung. Der Draht CE endigt oben in eisernen Quecksilbernäpfehen E. Die Klemmschraube B ist durch den ht BH mit der metallischen Säule H in Verbindung. Auf dieser Säule B oben eine Röhre von Kupfer B, welche man durch die Schraube B

¹⁾ Sturgeon, Annales of Electricity T. VIII. p. 377. Mai 1842.

in verschiedener Höhe festklemmen kann, und welche oben in einem rig förmigen Gefässe von Eisen endigt. Die beiden von einander isolierten Gfässe E und F sind mit Quecksilber gefüllt.

In die Quecksilbernäpfehen tauchen nun wieder die Spitzen irgendwirechteckig oder kreisförmig geformter Leiter; dieselben ruhen auf der it das mittlere Gefäls tauchenden Stahlspitze, welche ebenfalls auf Achat steht während die in das ringförmige Gefäls tauchende Spitze nur eben unter Quecksilber taucht. An dem unteren horizontalen Teile der Leiter, oder an einem leichten Holzstäbchen sind zu beiden Seiten Gewichte PP argehängt, welche bewirken, dass der Schwerpunkt des beweglichen Leiter in die Axe des Apparates eben unter die Spitze C fällt. Der bewegliche Leiter ist also im stabilen Gleichgewicht, kann aber mit der größten Leittigkeit um die vertikale Axe des Apparates gedreht werden.

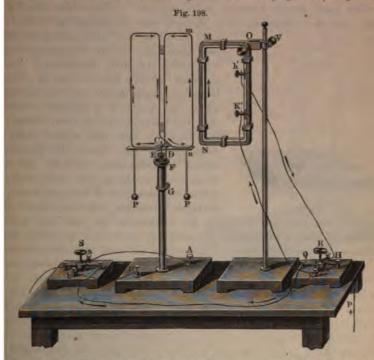
Wenn man nun bei dem Apparate Fig. 196 oder 197 einen einfacher rechteckigen oder kreisförmigen Leiter anwendet, und in die Quecksibernäpfehen r, s, oder die Klemmschrauben A, B die Zuleitungsdrähte eine Stromes bringt, so steigt z. B. von A durch die Axe der Strom auf, trit dann in die Spitze C über, fließt von C nach a, steigt nach b auf, fließt über c nach D und kehrt durch die Säule H über B nach der Batterie zurück Ist ein solcher Apparat sich selbst überlassen, so nimmt die Ebene des Stromleiters allmählich eine bestimmte Richtung an; sie stellt sich sentrecht zur Ebene des magnetischen Meridians. Daß diese Richtung nicht durch den in der Säule auf- und absteigenden Strom bedingt ist, davor kann man sich leicht mit dem Apparate Fig. 196 überzeugen, dem wie auch die auf- und absteigenden Drähte gestellt sind, immer stellt sich die Ebene des Stromleiters senkrecht zur Ebene des magnetischen Meridians und so, daß der Strom an der Ostseite des Meridianes aufsteigt und ab der Westseite absteigt.

Wir werden diese Bewegung später ins Auge fassen; jetzt sei m erwähnt, dass diese Richtkraft des sich selbst überlassenen Stromes schwach ist, dass die Bewegungen, welche wir zunächst untersuchen werden nicht oder kaum merkbar dadurch gestört werden. Man kann indes dies Bewegung durch Benutzung sogenannter astatischer Leiter, welche gar keine Richtkraft haben, ganz vermeiden. Einen solchen astatischen Leiter wir Fig. 196; er besteht aus einem doppelten Rechteck, welches so gebogen klass der Strom in den beiden äußeren Drähten no und qk zugleich at steigt oder absteigt, und ebenso in den beiden mittleren Drähten eine gleich derjenigen in den äußeren entgegengesetzte Richtung hat. Wie man sich ist für jedes der beiden Rechtecko die Richtkraft eine andere, so das de eine immer gerade entgegengesetzt gerichtet wird als das andere; der System ist deshalb in jeder Lage im Gleichgewicht.

Um nun auf diese beweglichen Stromleiter andere feste wirken salassen, werden neben denselben solche aufgestellt; sehr bequem zu diese Versuchen ist die Einrichtung Fig. 198. Auf einen rechteckigen Rahme von trockenem Holze OMN ist ein Kupferdraht in mehreren Windungewunden; seine Enden sind mit den Klemmschrauben h' und k' verbunde Dieser Rahmen kann an einer Säule in beliebiger Höhe festgeklemmt win nach allen Azimuthen gerichtet werden; in dem Gelenke O kann er in einer vertikalen Ebene gedreht werden, so dass die Seite MN des Recht

kal steht, wie in der Zeichnung, oder auch horizontal gestellt werden

Um in dem beweglichen und festen Leiter die Richtung der Ströme big wechseln zu können, sind die Zuleitungsdrähte zu beiden durch mutatoren R und S geführt; die Einrichtung der in der Zeichnung estellten ist derjenigen in Fig. 189 ganz gleich; durch Drehung der pfe R und S um 90° wird der betreffende Strom umgekehrt, wie sich unmittelbar aus der Verbindung der Drähte (Fig. 198) ergiebt. In



dargestellten Lage kommt bei dem Kommutator R der Strom von P, durch das Metall der Axe zur Klemmschraube K, steigt von da zu af, durchläuft die Windungen des Kupferdrahtes, steigt von h' herab H und geht durch den zweiten Metallstreifen der Axe des Kommurs nach Q. Dreht man die Axe um 90° , so sind P und H einerseits, md Q andererseits direkt verbunden, der Strom hat demnach die umhrte Richtung in dem Rechtecke.

Von Q lässt man dann den Strom direkt in den zweiten Kommutator en, so dass ein und derselbe Strom den beweglichen und den festen er durchströmt. Mit 3-5 Bunsenschen oder Groveschen Elementen n sich sämtliche Versuche anstellen.

Die in Fig. 198 dargestellte Anordnung dient sofort dazu, die erste

Ampère 1) beobachtete mechanische Wechselwirkung zwischen zwei

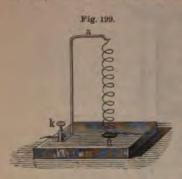
¹⁾ Ampère, Annales de chim. et de phys. T. XV. und Mémoire sur la

Strömen zu zeigen: "Zwei parallele und gleichgerichtete Strömsich an, zwei parallele und entgegengesetzt gerichtete stoßen steigt nämlich der Strom in dem Rechtecke in MN und zugleich äußeren Drähten des astatischen Leiters auf oder ab, so wird de von MN angezogen und stellt sich wie in der Zeichnung.

Steigt dagegen der Strom in MN auf, in den äußeren Dräastatischen Leiters dagegen ab oder umgekehrt, so wird der a

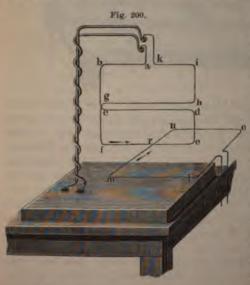
Leiter von MN abgestofsen.

Man kann diesen Versuch in mancherlei verschiedenen Forn stellen, eine der interessantesten Formen zum Nachweis des Satz-



zwei parallele und gleichgerichtete sich anziehen, ist die Rogetsche¹) Fig. 199. An dem horizontalen ist eine schlaffe Spirale von Kuplbefestigt, deren untere Spitze in das silber des Gefässes g taucht. Ve man die Klemmschraube k mit dem das Gefäs g mit dem andern Pol Batterie, so dass durch die Spira Strom hindurchgeht, so wird das Ende aus dem Quecksilber insolge d schen den parallelen Windungen der thätigen Anziehung herausgezogen.

der Strom unterbrochen ist, hört die Anziehung auf, und das En Spirale senkt sich wieder in das Quecksilber; dann wird es wieder! gezogen und so fort, so daß es immerfort auf und ab oscilliert.



Nicht allein paralle dern auch gekreuzte wirken auf einander ei das zu beweisen und i der Einwirkung kennen nen, hänge man an das (Fig. 200) für den bewe Strom den astatischen kreis abcdefghik, und unter denselben den l talen Stromkreis lmno, die Ströme ef und m kreuzen. Fliefst der St beiden Leitern in der Ri der Pfeile, so dals er in zugleich nach der Kreu stelle r hinfliefst und in rn von derselben fortilie ziehen die Leiter sich el an, so dass sie sich para

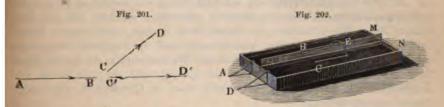
Roget, Darstellung des Elektromagnetismus. Deutsch von Kötter Stuttgart 1847. S. 136 f.

stellen suchen der Art, dass die Ströme in beiden Drähten gleich gerichtet sind. Wird dagegen in dem einen Leiter der Strom umgekehrt, so dass in dem einen der Strom an der Seite von dem Kreuzungspunkte fortfliefst, an welcher er in dem andern zur Kreuzungsstelle hinfliefst, so stoßen die Ströme sich ab.

Zwei sich kreuzende Ströme ziehen sich also an, wenn beide zugleich zu dem Scheitel des Winkels, den sie mit einander bilden, hinfließen, oder von demselben fortfließen; sie stoßen sich ab, wenn der eine zu dem Scheitel hin, der andere von ihm fortfließet.

Dasselbe ist der Fall, wie man durch eine ähnliche Anordnung zeigen kann, wenn die Ströme nur die Schenkel eines Winkels bilden. Es ist auch noch der Fall, wenn die beiden Ströme nicht in derselben Ebene, sondern der eine in einiger Entfernung über dem andern liegt; ist der eine um die durch die Kreuzungsstelle gelegte Vertikale drehbar, so wirken die Ströme nach dem eben angegebenen Gesetze auf einander, als wenn jene Vertikale der Scheitel des Winkels wäre, den die beiden Ströme mit einander bilden würden, wenn sie in einer Ebene lägen.

Aus diesem Satze läßt sich eine bemerkenswerte Folgerung ziehen für das Verhalten der Teile eines und desselben Stromes. Sind AB und CD (Fig. 201) zwei Stromteile, so stoßen sich dieselben, wenn in



beiden die Ströme wie die Pfeile gerichtet sind, ab, wie groß auch der Winkel ist, den AB und CD mit einander bilden; auch dann, wenn der Winkel ein stumpfer ist; ist der Strom CD um die Kreuzungsstelle drehbar, so wird er sich in die Verlängerung von AB in C'D' stellen. Dann bilden die beiden Ströme einen Winkel von 180° mit einander; und ist der ohen aufgestellte Satz ganz allgemein gültig, so müssen die beiden Ströme sich auch jetzt abstoßen. Daß dem in der That so ist, haben Ampère und de la Rive¹) mit dem Apparate Fig. 202 nachgewiesen. Ein Holztrog ist durch eine Glaswand in zwei Teile geteilt, die von einander isoliert sind. Die beiden Teile sind mit Quecksilber gefüllt. Auf dem Quecksilber schwimmt der Bügel CEB von Eisendraht; derselbe ist bis auf die in das Quecksilber tauchenden Spitzen C und B sorgfältig mit Siegellack überzogen.

Werden nun bei A und D in das Quecksilber die Leitungsdrähte einer Säule getaucht, so fließt der Strom von A bis B im Quecksilber, tritt in den Bügel, durchfließt ihn in der Richtung BEC und fließt dann von C nach D wieder im Quecksilber. Die Stromteile AB und BE,

¹⁾ Ampère und De la Rive, Annales de chim et de phys. T. XX. Mémoire sur la théorie p. 211.

sowie DC und CE, müssen sich somit abstoßen, und in der That sieht man, daß der Bügel sich nach dem andern Ende des Troges hinbewegt

Würde man bei diesem Versuche die Leitungsdrähte an dem andern Ende des Troges eintauchen, so würde die Wirkung eine doppelte sein; der Bügel E würde von den Stromteilen ME und NE abgestoßen, de in dem von den aufsteigenden Teilen des Bügels und der Stromrichtung im Quecksilber gebildeten Winkel der Strom in dem einen Schenkel und Kreuzungsstelle hin, in dem andern von der Kreuzungsstelle fortließt.

In dem horizontalen Teile des Bügels dagegen ist der Strom entgegengesetzt gerichtet wie im Quecksilber; der horizontale Teil muß dehalb von dem Strome im Quecksilber zwischen MN und dem Bügel agezogen werden; letztere Wirkung treibt daher den Bügel nach der Seite MN hin. Da die erstere abstoßende Wirkung aber wegen größerer Nike der auf einander einwirkenden Ströme überwiegt, so muß sich der Bigel nach AD hinbewegen.

Nach Feilitzsch') ist das in der That der Fall. Taucht man dagen die Drähte zwischen BC und dem Bügel E in das Quecksilber, so is allerdings auch die Wirkung auf den Bügel derjenigen auf die horizotalen Teile entgegengesetzt, indes überwiegt jetzt die Wirkung auf de horizontalen Teile und nach Feilitzsch bewegt sich der Draht nach M.

In sehr deutlicher Weise ist die Abstofsung der einzelnen Teile eines und desselben Stromes von Faraday²) beobachtet worden; auf die eine Schale einer Wage wurde ein Kupferdraht gelegt, von dessen Enden Drähte in Quecksilberschalen hinabhingen; auf der anderen Wagschale war der Draht durch Gewichte equilibriert. Wurden nun in die Quecksilberschälchen die Leitungsdrähte einer Batterie gebracht, so dass durch der Kupferdraht ein Strom ging, so wurden seine in Quecksilber tauchendet Enden emporgehoben.

Wir haben bisher angenommen, dass die auf einander einwirkenden Ströme geradlinig seien; wir können indes, wie Ampère 3) gezeigt hat jeden geradlinigen Strom durch einen anderen, welcher um die Gerade in beliebigen Windungen herumläuft, ersetzen, unter der Voraussetzung nut. dass die Windungen sich nur sehr wenig von der Geraden entsernen. Wir haben diesen Satz eigentlich schon bei der Konstruktion unseres Statiss (Fig. 196) bewiesen, indem wir zeigten, dass die in dem Stativ auf und absließenden Ströme durchaus keinen Einflus auf die aufgehängten Stromleiter austiben.

Wenn wir nämlich einem Leiter einen anderen nähern, in welche unmittelbar neben einander, wie Fig. 203 entgegengesetzt gerichtete Ström fliefsen, so folgt aus dem zuerst bewiesenen Satze, daß gleichgerichtet Ströme sich anziehen, entgegengesetzt gerichtete sich abstofsen, daß es solcher Leiter auf einen anderen gar nicht einwirkt, da Anziehungen ab Abstofsungen sich gleich sind. Der Versuch bestätigt diesen Schluß: gestenso zeigt aber der Versuch, daß der Leiter Fig. 204, bei welchem der

¹⁾ Feilitzsch, Galvanische Fernewirkungen. Karstens Encyklopädie Bd. XII. S. 211.

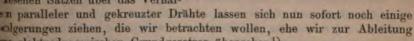
Faraday, Gilberts Annalen Bd. LXXII. S. 122.
 Ampère, Mémoire sur la théorie etc. p. 188.

Fig. 204

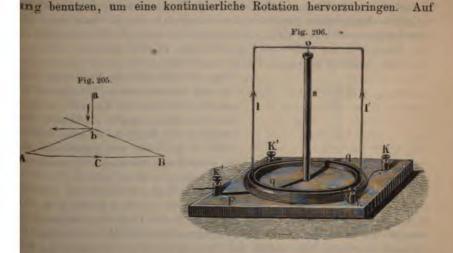
ne Draht spiralförmig um den anderen gewunden ist, ohne ihn jedoch berühren, auch auf einen genüherten Strom durchaus keinen Einfluß at; ihn weder anzieht, noch abstöfst.

Daraus folgt, dass diese Spiale gerade so nach außen wirkt, ie der eine der beiden in Fig. 203 usgespannten geraden Drähte, als man also jeden geraden Leiter arch einen beliebig gekrümmten, essen Krümmungen aber nur enig von der Geraden abweichen, setzen kann.

Aus den im Bisherigen beiesenen Sätzen über das Verhal-



es elektrodynamischen Grundgesetzes übergehen¹). Ist Fig. 205 ab ein begrenzter Strom, d. h. ein Strom, welcher den weiten AB nicht kreuzt, sondern ganz an einer Seite desselben ist, an eleher der Strom AB vorüberfliefst, der also gegen ab ein unbegrenzter t, so wird jedes Element des Stromes ab von der einen Seite AU des ibegrenzten Stromes angezogen, von der anderen CB abgestofsen; diese viden Kräfte setzen sich zu einer Resultante zusammen, welche ab parallel it sich selbst nach A hin fortzuschieben sucht. Man kann diese Wir-



nem Fußbrett F (Fig. 206) ist eine kreisförmige Quecksilberrinne qq efestigt; in der Axe derselben ist die leitende Säule s aufgestellt, welche Den ein Quecksilbernäpfchen trägt. In das Quecksilber desselben taucht to Spitze, welche den rechteckig gebogenen Kupferdraht lol' trägt; die

¹⁾ Ampère, Mémoire sur la théorie etc. p. 217 ff.

Enden des Kupferdrahtes sind mit Platinspitzen versehen, welche in das Quecksilber der Rinne qq eintauchen.

Das Quecksilber der Rinne ist durch einen Draht mit der Klemmschraube k, die Säule s mit der Klemmschraube k' in leitender Verbindung.

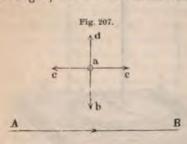
Um die Quecksilberrinne herum ist in mehrfachen Windungen ein mit Seide übersponnener gut gefirnifster Kupferdraht gelegt, dessen eines Ende mit der Klemmschraube K, dessen anderes mit der Klemmschraube K in Verbindung steht.

Verbindet man nun die vier Klemmschrauben mit den Polen einer Batterie, so daß durch die um die Rinne gelegten Kupferdrähte wie durch den aufgehängten Leiter ein Strom geht, so rotiert der bewegliche Leiter, je nach der Richtung der beiden Ströme in dem einen oder anderen Sinne

Ist z. B. k mit dem positiven Pole verbunden, so daß der Strom aus der Quecksilberrinne in den beiden Drähten l aufsteigt, in der Säule wieder absteigt, und cirkuliert der Strom in den um die Rinne gelegten Drähten in der Richtung des Pfeiles, so rotiert der Leiter so, daß der Arm l aus der augenblicklichen Stellung in der Zeichnung nach vom kommt, der Arm l' aber nach hinten geht.

Die senkrechten Ströme l und l' sind in Bezug auf den Kreisstrom welcher um die Quecksilberrinne herum läuft, begrenzt, und jedes Element des Kreisstromes, über welchem sie augenblicklich stehen, verhält sich zu denselben wie AB zu ab Fig. 205. Nach dem Satze über die gekreunten Ströme wird daher l' von dem vor ihm liegenden Kreiselemente nach hinten gestoßen, von dem hinter ihm liegenden nach hinten gezogen, das Umgekehrte gilt für l; der Erfolg dieser Wirkungen ist, daß die Ströme in jedem Augenblicke parallel mit sich selbst in der Richtung des Kreiselementes verschoben werden, daß also der Leiter um die Axe rotiert

Kann sich der Leiter ab Fig. 207 nicht parallel mit sich selbst forbewegen, sondern ist er im Punkte a drehbar befestigt, so gerät er in



folge der Einwirkung des Stromes AB in eine kontinuierliche Rotation. Dem in der Stellung ab Fig. 207 wird et wie wir sahen, gegen A hingetrieben; da aber das Ende a fest ist, dreht et sich in die Lage ac, parallel zu AB. In dieser Lage stoßen sich die parallelm aber entgegengesetzt gerichteten Ströme ac und AB ab, der Leiter ac wird sich daher weiter nach ad bewegen. Da aber in dieser Lage die Richtung des

Stromes in ad in Bezug auf AB entgegengesetzt ist als in der Lage ab, so wird durch die Einwirkung des Stromes der Leiter jetzt nach ae getrieben; aus dieser Lage zieht ihn der jetzt mit dem im Leiter ac befindlichen gleichgerichtete Strom AB nach unten hin u. s. f. Um diese Rotation darzustellen, wendet man den Apparat Fig. 208 an, der sich von dem Fig. 206 dargestellten nur dadurch unterscheidet, daß anstatt der Säules nur der kleine metallische Aufsatz a angebracht ist; auf demselben liegt der lineare Leiter cae, welcher an seinen Enden mit Platinspitzen versehen ist, die nur soweit umgebogen sind, daß sie eben in das Queck-

er der Rinne qq eintauchen. Man verbindet dann wie früher die emmschrauben K mit den Polen einer Batterie und legt neben die

cksilberrinne einen wilnigen Stromleiter

Sind die Ströme den einzelnen Teilen ichtet, wie die Pfeile euten, so ist der 207 schematisch edeutete Fall reali-



§. 115.

Elektrodynamisches Grundgesetz. Die im vorigen Paragraphen geteilten Erfahrungen reichen hin, um im allgemeinen die mechanischen wirkungen zweier Ströme zu charakterisieren; aber sie zeigen zunächst die Resultate sehr verwickelter Kräfte. Um diese Kräfte kennen und einzelnen bestimmen zu lernen, müssen wir nun, in ähnlicher Weise, wir es bei dem Magnetismus gethan haben, mit Hilfe der vorgeführ-Versuche zunächst die Wechselwirkung zweier Stromelemente ihrer se nach und nach der Abhängigkeit von ihrer gegenseitigen Lage

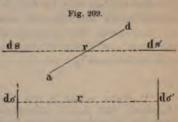
Die mitgeteilten Versuche reichen hin, um die Form des Gesetzes rhalten, nach welchem zwei Elemente auf einander wirken.

Nehmen wir zunächst an¹), dass die zwei auf einander einwirkenden adlich kleinen Elemente ds und ds' Fig. 219 in einer geraden Linie an, so ziehen sie sich an oder stoßen

ab parallel der geraden Linie r,

he die Elemente verbindet.

Sind die Elemente wie do und do'nder parallel, so wird die Anziehung Abstofsung derselben parallel der Mittelpunkte der Elemente verbinden-Geraden gerichtet sein. Für diese beivon Ampère gemachten Annahmen hat uville²) folgenden Beweis geliefert.



Für den ersten Fall genügt folgende Bemerkung. Falle die Wirkung int in r, sondern etwa in die Linie ad, welche irgend einen Winkel r bildet, so folgt daraus, das jedes der Elemente auf allen Seiten gleich beschaffen ist, das ebenso gut wie nach ad die Wirkung auch in allen Richtungen, welche auf dem Mantel des Kegels liegen, der rich Rotation von ad um r als Axe erzeugt wird, gerichtet sein müste.

Die aus allen diesen gleichen Kräften hervorgehende Resultante ist er parallel r, so daß also jedenfalls die Anziehung oder Abstoßung beiden Elemente parallel r ist.

¹⁾ Ampère, Mémoire sur la théorie etc. p. 200 ff.

²⁾ Liouville, Annales de chim. et de phys. T. XLI.

Wenn in dem zweiten Falle die Kraft eine andere Richtung hitte als parallel r, so könnten wir diese in eine mit r parallele und eine mr senkrechte Komponente zerlegen, sei letztere so, daß das Element de wenn do festläge, nach unten getrieben würde. Kehrten wir dann in beiden Elemente um, so daß, was jetzt unten ist, dann oben wäre, der was dasselbe ist, kehren wir in beiden den Strom um, so müßte de auch nach oben getrieben werden, da die vorher nach unten gerichte Komponente nach oben gerichtet sein müßte. Nun haben wir aber in den Versuchen immer gesehen, daß, wenn in den beiden auf einander wirkenden Leitern die Ströme umgekehrt werden, ihre Wirkung auf einander dieselbe bleibt; es muß daher die senkrechte Komponente gleich null sein.

Es folgt sonach, dass die Wirkung der Elemente in beiden Filler parallel der Verbindungslinie ihrer Mittelpunkte ist.

Die beiden auf einander einwirkenden Elemente können drittens sa liegen, daß das eine ds Fig. 210 parallel der Verbindungslinie, das ander

ds' aber dazu senkrecht ist. Die Wirkung der beiden Elemente auf einander muß dan gleich O sein. Denn wäre das nicht der Fall, zögen sie sich z.B. an, wenn in den Elemente ds' der Strom nach oben gerichtet ist, so müßten sie sich nach den vorigen Versuchen, nach welchen die An-

ziehung zweier Ströme in Abstoßung übergeht, wenn die Richtung des einen umgekehrt wird, abstoßen, wenn in ds' der Strom nach unten fließt. Wenn wir aber ohne die Richtung des Stromes in ds' zu ändem die ganze Vorrichtung Fig. 210 um 180° drehen, so muß die Anziehung dieselbe bleiben wie in der jetzigen Lage; dann liegen aber die Ströme gerade so zu einander, als wenn wir in der jetzigen Lage den Strom in ds' umkehren. Wir gelangen also bei der Annahme, daß eine Einwirkung stattfinde, zu einem Widerspruche, woraus folgt, daß keine Einwirkung stattfinden kann 1).

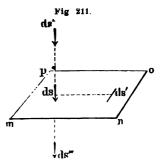
¹⁾ Stefan macht in den Sitzungsberichten der Wiener Akademie Bd. Ll. (Aprilheft 1869) darauf aufmerksam, daß in diesem Falle eine transversale Wirkung der Elemente und zwar in der durch ds, r, ds' gelegten Ebene nach der vorliegenden Erfahrungen nicht ausgeschlossen ist. Die Wirkung kann paralle der Richtung des Stromes ds' oder die entgegengesetzte sein. Die Erfahrung daß die Umkehr eines Stromes die Wirkung zweier Ströme auf einander in die entgegengesetzte verwandelt, führt nämlich in diesem Falle nicht zu einem Widerspruch. Nehmen wir an, daß die transversale Wirkung nach der Richtung des Stromes ds' erfolgt, so muß die Umkehr eines der Ströme die Wirkung in die entgegengesetzte verwandeln, das heißt, wenn in der Lage Fig. 210 ds' nach oben getrieben wird, muß, wenn der Strome in der entgegengesetzten Richtung fließt, das Element ds' nach unten getrieben werden. Da eine Drehung der Figur um r als Axe um 180° die Richtung des Stromes ebenfalls ändert, so muß auch diese Drehung die Richtung der Wirkung ändern, was in diesem Falle keinen Widerspruch in sich schließt. Dasselbe gilt von der Wirkung ds' auf ds. Im Laufe seiner Untersuchung weist indes Stefan nach, daß bei der Berechnung der Wirkung geschlossener Ströme die von diesen Wirkungen abhängigen Glieder aus den Gleichungen herausfallen, resp. daß die Amperesche Annahme, diese Wirkungen seien gleich null, zu ganz denselben, der Erfahrung

Ebenso kann keine Einwirkung stattfinden, wenn beide Elemente akrecht zur Verbindungslinie r und zu einander sind. Denn denken r uns das Element ds Fig. 211, in welchem der Strom nach unten

*sen soll, senkrecht nach oben nach ds''versetzt, und werde ds' jetzt angezogen,
muß, wenn der Strom in ds'' umgekehrt
d, also von der Ebene mnop fortfließt,
abgestoßen werden.

Der Strom fliesst aber ebenso von der eine fort, wenn ds von der Ebene nach en, nach ds''' verschoben wird, also auch an muss ds' abgestossen werden.

Die Anziehung muß in Abstoßung übernen, wenn ds die Ebene passiert, dort muß nach die Wirkung gleich O sei.



Es bleiben demnach von den betrachteten Fällen nur die beiden g. 209 dargestellten, in welchen zwei Elemente auf einander einwirken; zreffs der übrigen Fälle wollen wir noch bemerken, daß diese Nachise der Unwirksamkeit nur gültig sind, wenn die Elemente gegen ihre stände unendlich klein sind, daß sie nicht gelten, wenn die Leiter se endliche Ausdehnung haben. Sobald das der Fall ist, müssen wir Leiter wieder in unendlich kleine Elemente zerlegen, und die Lage einzelnen Elemente gegen einander wird dann eine andere.

Um nun die Einwirkung der beiden Elemente in den wirksamen gen bestimmen zu können, machen wir folgende Annahmen 1):

- 1) Die Anziehung oder Abstofsung der Elemente ist proportional in der Zeiteinheit durch dieselben hindurchfließenden Elektricitätsnge.
- 2) Sie ist umgekehrt proportional einer Potenz n der Entfernung r, wir von n nur voraussetzen, dass es eine ganze Zahl ist.

Ist demnach i die Intensität des Stromes, zu welchem ds, i' jene des Dmes, zu welchem ds' gehört, so ist die Einwirkung der beiden Elete im Abstande r auf einander:

a) wenn die Elemente parallel sind

b) wenn die Elemente in die Verbindungslinie fallen

$$\frac{c'ii'}{\pi}\frac{ds\ ds'}{\pi}.$$

Die beiden Konstanten c und c' in diesen Formeln lassen sich auf c zurückführen; drücken wir nämlich die Stromstärken in solchem se aus, dass in der Abstandseinheit und bei der Einheit der Stromrke die Einwirkung der beiden Elemente, wenn sie einander parallel

sprechenden Ausdrücken führe. Wir werden daher im Folgenden die einthere Ampèresche Annahme beibehalten, und von diesen möglichen Wirkungen sehen.

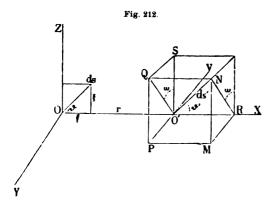
¹⁾ Ampère, Mémoire sur la théorie etc. p. 201 ff.

sind, gleich dem Produkte ds ds' gesetzt werden kann, so wird c glei Wir wählen dann die Einheit der Stromstärke so, dass in diesem sich die Anziehung oder Abstossung der parallelen Elemente zur Ki der Kraft verhält, wie das Produkt ds ds' der beiden Elemente zur heit der Fläche. Bezeichnen wir den Wert, den die Konstante c' erhält, mit k, so erhalten wir für die Einwirkung paralleler Elemente

für die Einwirkung zweier in einer geraden Linie liegender Elemenk

$$k \cdot \frac{i \, i' \, ds \, ds'}{r^n} \quad \dots \quad \dots$$

Auf diese beiden Fälle können wir die Einwirkung zweier belie gegen einander geneigter Elemente zurückführen. Da wir nämlich sal daß wir jeden geradlinigen Strom durch einen andern ersetzen kön welcher spiralig um denselben gewunden ist, wenn er dem geradlini nur sehr nahe bleibt, so können wir, um die Einwirkung zweier belie im Raume gerichteter Elemente auf einander zu bestimmen, jedes in zu einander senkrechte Komponenten zerlegen, die Einwirkung der Ke



ponenten auf einander a den eben abgeleiteten Form bestimmen, und diese I wirkungen summieren. St deshalb ds und ds' Fig.: zwei beliebig im Raume richtete Elemente, in welt die Stromstärken i und i', i deren Mittelpunkte in O' seien. Wir legen du dieselben ein rechtwinklidreiaxiges Koordinatensyst dessen Axe der X mit Verbindungslinie r zusamm fällt, und dessen XZ-Ele

die durch r und das Element ds gelegte Ebene ist. Es bilde in die Ebene das Element ds mit r den Winkel ϑ , so können wir uns de Element ds ersetzt denken durch die beiden Komponenten

$$\xi = ds \cos \vartheta; \quad \zeta = ds \sin \vartheta.$$

Legen wir durch das Element ds' und durch r die Ebene $O'Q^N$ und bilde in dieser Ebene das Element ds' mit r den Winkel ϑ' , währe diese Ebene selbst mit der Ebene XZ den Winkel ω bildet. Wir kömnun ds' ersetzt denken durch seine drei Komponenten O'P, O'R, 0' da wir uns O'PMN als Teil einer um den Strom, zu welchem ONg hört, gelegten unendlich nahen Spirale denken können. An die Swi von O'N treten dann

$$O'R = ds' \cos \vartheta';$$
 $O'P = O'Q \cdot \sin \omega = ds' \sin \vartheta' \sin \omega;$ $O'S = O'Q \cdot \cos \omega = ds' \sin \vartheta' \cos \omega.$

5 .:

Jedes dieser drei Elemente wirkt auf jedes der beiden andern, und is Summe aller dieser Wirkungen ist jene der beiden Elemente ds und ds' af einander.

Die Einwirkung der Elemente ist:

O'R auf
$$\xi = k \frac{ii' ds ds' \cos \vartheta \cos \vartheta'}{r^n}$$
 nach Formel 2
O'R auf $\zeta = 0$, da sie zu einander senkrecht sind
O'P ,, $\xi = 0$ aus demselben Grunde
O'P ,, $\xi = 0$ aus demselben Grunde
O'S ,, $\xi = 0$ aus demselben Grunde
O'S ,, $\xi = \frac{ii' ds ds' \sin \vartheta \sin \vartheta' \cos \omega}{r^n}$ nach Formel (1).

Die Gesamtwirkung der beiden Elemente auf einander ist somit

$$w = \frac{i i' ds ds'}{r^n} (\sin \vartheta \sin \vartheta' \cos \omega + k \cos \vartheta \cos \vartheta') (3)$$

Die Wirkung ist parallel der Verbindungslinie r entweder anziehend, er abstoßend. Betreffs der Stromrichtung in den Elementen wollen ir bemerken, daß wenn $\theta = \theta'$ und $\omega = 0$ gesetzt wird, die Ströme so parallel sind, dieselben auch gleichgerichtet sein sollen; die gegentige Richtung der Ströme ist also zugleich durch diese drei Winkel timmt.

Anstatt des Winkels ω , welchen die beiden durch r und ds, sowie reh r und ds' gelegten Ebenen mit einander bilden, können wir auch Winkel ε einführen, welchen die beiden Elemente im Raume mit einder bilden. Legen wir zu dem Ende durch O' die Gerade O'V parallel t ds, so ist der Cosinus des Winkels VO'N oder ε gleich der Summe den drei Produkten der je zwei Winkel, welche die Richtungen O'V O'N mit den drei Koordinataxen bilden, also

$$= \cos VO'R \cdot \cos NO'R + \cos VO'S \cdot \cos NO'S + \cos VO'P \cdot \cos NO'P,$$
wit, da $\cos VOP' = \cos 90^\circ = 0,$

$$\cos \varepsilon = \cos \vartheta \cos \vartheta' + \sin \vartheta \sin \vartheta' \cos \omega$$

$$\sin \vartheta \sin \vartheta' \cos \omega = \cos \varepsilon - \cos \vartheta \cos \vartheta';$$

≥en wir diesen Wert für das erste in der Klammer stehende Produkt unsern Ausdruck ein, so wird

$$w = \frac{i i' ds ds'}{r^n} (\cos \varepsilon + (k-1) \cos \vartheta \cos \vartheta') \dots (3a)$$

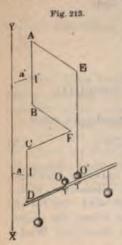
Der Ausdruck (3) oder (3a) würde uns nun gestatten, die Wechselkung zweier Elemente zu berechnen, wenn wir die beiden Konstanten
und k kennen würden; die erste Aufgabe ist es daher, diese aus den
rsuchen abzuleiten. Dazu gelangte Ampère durch die Beobachtung
ziger Gleichgewichtslagen, d. h. von Fällen, wo zwei Ströme gar nicht
f einander einwirkten. Wir wollen versuchen den Weg anzudeuten, wie

man zur Bestimmung dieser Konstanten gelangt; wir folgen darin zur Teil dem Wege, welchen Jamin¹) eingeschlagen hat, zum Teil den Estwicklungen Ampères²).

Der erste Versuch, den wir zur Bestimmung der Konstanten ansteller,

ist folgender.

Wir stellen auf das Stativ von Sturgeon einen Stromleiter von der Form ODCFBAEO' Fig. 213 zwei Rechtecke, deren horizontale Seiten



genau gleiche Längen haben, deren vertikale Seiten AB und CD aber respektive die Längen I und I haben. Die beiden Rechtecke bilden irgend eines Winkel mit einander. Lassen wir durch diesen Stramleiter einen in O'E aufsteigenden Strom cirkulieren, so wird derselbe bald eine bestimmte Gleichgewichtslage annehmen, so dass die beiden Rechtecksebenen mit der Ebene des magnetischen Meridians gewiss Winkel bilden. Man bringe dann zwischen die beiden Rechtecke einen vertikal aufsteigenden möglicht langen Strom XY, so dass die drei Ströme AB, XV, CD in einer Ebene liegen. Im allgemeinen wirl man dann finden, dass der auf dem Stativ befindliche Leiter aus seiner Gleichgewichtslage gebracht wird. Man wird indes eine Lage für den Strom XY finden, bei welcher das nicht der Fall ist, bei welcher er seine Lage genau beibehält. Misst man dann die senkrechten Abstände der beiden Leiter I und I' von

XY, so findet man, wenn wir sie mit a und a' bezeichnen, daß

$$a: a' = l: l',$$

dass also in der Gleichgewichtslage die Abstände der Ströme 1 und 1' von dem sie abstossenden XY sich direkt verhalten, wie die Längen 1 und 1'.

Zu der Bewegung des Leiters können in diesem Versuche nur beitragen die Wechselwirkungen zwischen dem vertikalen Leiter XY und den vertikalen Stromteilen AB und CD. Denn welches auch die Wirkungen des Stromes XY auf die horizontalen Seiten der Rechtecke sein mögen, die Wirkungen heben sich an jedem einzelnen Rechtecke anf, die zu jedem gehörigen je zwei horizontalen Ströme gegen XY genna gleich gelegen, aber entgegengesetzt gerichtet sind.

Aus diesem Versuche folgt der Satz, dass ein unendlich langer Strom auf zwei ihm parallele Ströme von der Länge l und l' genau gleiche av ziehende oder abstossende Kräfte ausübt, wenn die senkrechten Abstände dieser beiden Ströme von dem unendlich langen Strome sich verhalben

wie die Längen dieser Ströme.

Um diese Erfahrung zu benutzen, untersuchen wir zunächst die Wirkung eines unendlich langen Stromes auf ein ihm paralleles Stromelement Sei zu dem Ende ds Fig. 214 ein Element des unendlich langen Stromes XY, ds' ein ihm paralleles Element, die Stromintensität in ersterem sei \mathfrak{f}

Fig. 214.

letzterem i'; der Abstand der Elemente sei r, der senkrechte Abstand r Leiter sei a.

Da die beiden Elemente in derselben Ebene gen, so ist der Winkel ω der Formel (3) gleich und da sie parallel sind, so ist $\vartheta = \vartheta'$. Der sadruck (3) oder (3a) wird daher in diesem lie

$$w = \frac{i i' ds ds'}{r^n} (\sin^2 \vartheta + k \cos^2 \vartheta).$$

Nun ist

$$r = \frac{a}{\sin \vartheta}.$$

Um jetzt auch ds durch ϑ auszudrücken, achten wir, dass die Länge s des Leiters von

m Punkte B an gerechnet bis zu dem Elemente ds gleich ist

$$s = a \cdot \cot \vartheta$$
.

Ändert sich nun der Winkel ϑ um das unendlich kleine Stück $d\vartheta$, andert sich die Länge s um ds, demnach ist ds gleich dem Differential $a \cdot \cot \vartheta$, somit

$$ds = -a \frac{d\vartheta}{\sin^2 \vartheta}.$$

Setzen wir diese Werte für r und ds ein, so wird

$$w = -\frac{i i' d s'}{a^{n-1}} \sin^{n-2} \vartheta (\sin^2 \vartheta + k \cos^2 \vartheta) d\vartheta.$$

Diese Wirkung ist nach der Verbindungslinie r gerichtet; um daraus parallel u gerichtete Wirkung zu erhalten, haben wir obigen Ausdruck sin ϑ zu multiplizieren, dann ist

$$w' = w \sin \vartheta = -\frac{i i' ds'}{a^{n-1}} \sin^{n-1} \vartheta (\sin^2 \vartheta + k \cos^2 \vartheta) d\vartheta.$$

Um daraus die Wirkung des ganzen Stromes XY auf ds' zu erten, haben wir für alle den Strom zusammensetzenden Elemente ds en ebensolchen Ausdruck zu bilden, und alle diese Ausdrücke zu mmieren. Wir gelangen dazu, indem wir in jenem Ausdrucke 3 nach alle Werte zwischen 0 und 180° annehmen lassen, für jeden ert von 3 obigen Ausdruck bilden, und diese alle summieren. Jedes ied dieser Summe hat den vor der Klammer stehenden Teil zum Faktor, können daher diese Summe setzen

$$W = -\frac{i i' ds'}{a^{n-1}} \int_{0}^{\pi} \{\sin^{n-1} \vartheta(\sin^{2} \vartheta + k \cos^{2} \vartheta)\} d\vartheta.$$

Welchen Wert diese Summe \int hat, können wir nicht bestimmen, s sieht man aber, dass sie irgend einen konstanten von ds und a un-

abhängigen Wert hat; bezeichnen wir denselben mit A, so wird die kung des unendlichen Stromes auf das ihm parallele Element de'

$$W = -\frac{ii' ds'}{a^{n-1}} \cdot A.$$

Da nun jedes Element des begrenzten Leiters *l* gegen den uns langen Leiter dieselbe Lage hat, so wird die Wirkung des Strome auf jedes dieser Elemente parallel *a* dieselbe sein; die Wirkung der Ströme auf einander wird daher durch eine Summe von unendlich Gliedern dargestellt werden. Jedes Glied der Summe besteht aus Teilen, aus dem Faktor

$$-A \cdot \frac{ii'}{a^{n-1}}$$

und aus ds'; sie wird daher

$$-A\cdot\frac{i\,i'}{a^{n-1}}\cdot\int ds';$$

die Summe $\int ds'$ ist einfach gleich der Länge des Leiters l, so da die Einwirkung des unendlich langen Leiters XY auf den Leite Abstande a ist

$$E = -A \cdot \frac{i \, i'}{a^{n-1}} \cdot l.$$

Befindet sich neben dem unendlich langen Leiter XY im Ala' ein anderer begrenzter Leiter l', welcher ihm parallel und in w die Stromstärke auch gleich i' ist, so ist

$$E' = -A \cdot \frac{i i'}{a'^{n-1}} \cdot l'.$$

Soll die Einwirkung auf beide Leiter dieselbe sein, so muß

$$\frac{l}{a^{n-1}} = \frac{l'}{a^{n-1}}.$$

Der Versuch hat ergeben, dass die Einwirkung gleich ist, we

$$\frac{l}{a} = \frac{l'}{a'}$$

Daraus folgt, dass

$$n-1=1, n=2$$

ist.

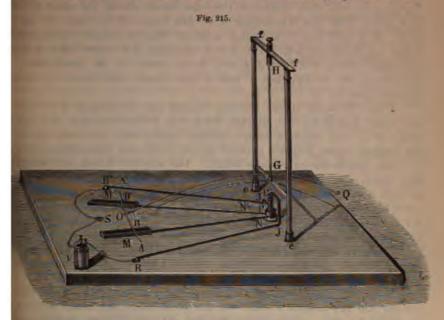
Die Konstante n der Formel ist somit gleich 2, das heifst die W wirkung zweier Elemente ist dem Quadrate ihrer Entfernung umq proportional; die Formel 3 wird:

$$w = \frac{i i' \, ds \, ds'}{r^2} \, (\sin \vartheta \, \sin \vartheta' \, \cos \omega + k \cos \vartheta \, \cos \vartheta').$$

Es erübrigt jetzt noch die Bestimmung der Konstanten k. Ampère gelangte dazu durch Beobachtung einer zweiten Gleichgelage¹). Er zeigte nämlich, dass ein geschlossener Strom, seine For

¹⁾ Ampère, Mémoire sur la théorie. p. 194 ff.

in welche sie will, ein Stück eines kreisförmigen Stromes, welches um ze durch den Mittelpunkt des Kreises gehende Axe drehbar ist, nicht Bewegung zu setzen vermag. Die Versuchsanordnung, durch welche zipere dieses zeigte, war folgende. Auf einem Tisch waren zwei vertite Säulen ef Fig. 215 angebracht und durch zwei Querleisten verbunden; ze Axe GH wird von dem letzteren in vertikaler Lage gehalten. Die



nden der Axe sind zugespitzt und stehen oben und unten in konischen ertiefungen. Mit dieser Axe ist ein Arm QO verbunden, dessen Ende it einem Charnier an der Mitte des Kreisbogens AA' befestigt ist, elcher aus einem Metalldraht gebildet ist und dessen Radius genau gleich im Abstande des Punktes O von der Axe GH ist. Dieser Kreisbogen ird durch ein Gegengewicht Q equilibriert, um die Reibung der Axe in konischen Lagern möglichst zu vermindern.

Unter dem Kreisbogen AA' befinden sich die zwei Quecksilberrinnen M', so daß die über den Rändern hervorragende Quecksilberfläche den gen AA' in B und B' eben berührt. Die beiden Rinnen kommuniten durch die metallischen Leiter MN, M'N' mit den Quecksilberflächen P und P'. Das Schälchen P und der Leiter MN, der es mit Rinne M verbindet, sind an einer vertikalen Axe befestigt, welche frei drehen läßt. Durch das ringförmige Schälchen P', mit welchem Leiter M'N' verbunden ist, geht die nämliche Axe hindurch, um Iche es sich unabhängig von dem anderen Schälchen drehen kann. Man un auf diese Weise mit den Leitern MN und M'N' beliebige Winkel den. Das ringförmige Schälchen P' ist von der Axe durch eine Glashra isoliert und wird durch eine kleine Glasplatte von dem Leiter MN schieden.

Zwei andere in den Tisch eingelassene Leiter RJ und R'J' taucher resp. in die Näpfchen P und P', so wie andererseits in die Näpfchen R und R'. Zwischen den Näpfchen R befindet sich noch die ebenfalls mit

Quecksilber gefüllte Vertiefung S.

Man verbindet R' mit S durch einen irgendwie gekrümmten Leiter, dann S mit dem einen, R mit dem anderen Pole der Säule V. Der Strom geht von dem positiven Pole der Säule durch RJ nach P, von dort durch NM, den Kreisbogen AA', den Leiter M' N' nach P', durch J'R', R'S und den S mit dem anderen Pole der Säule verbindenden Draht zu dieser zurück. Auf den Kreisbogen AA' wirkt also der geschlossene Strom VRJPP'J'R'SV, denn dieser ist als geschlossen webetrachten, da er zwischen P und P' nur durch eine dünne Glaswand unterbrochen ist.

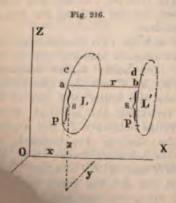
Unter Wirkung dieses Stromes nimmt der Kreisbogen AA' durch aus keine Bewegung an, welches auch der Winkel ist, den die Leim MN, M'N' mit einander bilden; daraus ergiebt sich, daß kein Element des Bogens einen Antrieb parallel seiner möglichen Bewegungsrichtung von dem geschlossenen Strome erhält. Da nun der Bogen sich nur meine durch den Mittelpunkt des Kreises, von welchem er ein Teil ist gehende vertikale Axe drehen kann, so folgt, daß die Bewegungsrichtung jedes Elementes in jedem Augenblicke mit der an dem betreffenden Punit des Kreises gelegten Tangente zusammenfällt, das ist mit der Richtung des Elementes selbst.

Es folgt also aus dem Ausbleiben der Bewegung bei diesem Versuche, daß ein geschlossener Strom auf ein Element eines anderen Stromes keine der Richtung des Stromes parallele Wirkung ausübt.

Um diese Erfahrung zur Ableitung der Konstanten k zu benutzen, müssen wir aus unserer Formel für die Wechselwirkung zweier Element die Wirkung eines geschlossenen Stromes auf ein Element zu bestimmen suchen.

In unserer Formel

$$w = \frac{i i' ds ds'}{r^2} (\cos \varepsilon + (k-1) \cos \vartheta \cdot \cos \vartheta'),$$



in welcher wir uns ds' als ein Element des geschlossenen Stromes denken wollen, ändert sich r, ϑ , ϑ , ε , wenn sich die Lage des betrachteten Elementes in dem Stromkreis ändert, sie ändern sich aber ebenso, wenn wir anstatt des Elemente ds ein folgendes Element betrachten so daß also alle diese Werte Funktionen von s und s' sind. Sind z, B, L und L' Fig. 216 zwei Leiter, auf denen bei a und b die Elemente ds und ds' liegen, so ändert sich r sowohl, wenn wir a mit d, als auch, wenn wir c mit b oder d verbinden. Ebenso wird der Winkel ϑ , den ac mit r bildet, geändert,

wenn wir a anstatt mit b mit d verbinden, der Winkel wird aber ebenso ein anderer, wenn wir auf dem Leiter L um ac voranschreiten und nun c mit b oder d verbinden. Gleiches gilt von ϑ' , und ebenso ändert sich der Winkel, den die beiden Elemente mit einander bilden.

Da wir die Wirkung des Leiters L' auf ein irgendwie gelegenes Element zu bestimmen suchen, so müssen wir untersuchen, in welcher

Weise sich die Winkel mit der Lage der Elemente ändern.

Wir bezeichnen die Länge des Leiters L von irgend einem Punkte P an gerechnet bis zur Stelle, wo das Element ds liegt, mit s, ebenso

mit s' die Länge des Leiters L' von P' bis zum Element ds'.

Zunächst ist es leicht, den Abstand r der betrachteten Elemente in seiner Abhängigkeit von der Lage der Elemente auszudrücken. Wir beziehen dazu die Leiter L und L' auf ein rechtwinkliges dreiaxiges Koordinatensystem und nehmen an, daß sowohl s als auch s' als Funktionen von x, y, z gegeben sind, d. h., daß wir die Beziehungen zwischen den drei Koordinaten kennen, welche jeden Punkt der Leiter bestimmen. Dieses gesetzt seien x, y, z die Koordinaten des Elementes ds'. Für den Abstand r der beiden Elemente haben wir dann bekanntlich

$$r^2 = (x'-x)^2 + (y'-y)^2 + (z'-z)^2$$
.

Wächst s um ds, so ändert sich der Wert r um dr.

Wenn sich aber s um ds ändert, so ändern sich x in x + dx, y in z + dy, z in z + dz. Die Änderung dr können wir darnach berechnen, indem wir die geänderten Werte in jene Gleichung einsetzen; es wird

$$-dr = \frac{(x'-x) \cdot dx + (y'-y) \, dy + (z'-z) \, dz}{r}.$$

Ebenso ändert sich aber r um dr, wenn sich s' um ds', also x' um dx', y' um dy' und z' um dz' ändert; den Wert von dieser Änderung dr erhalten wir ebenso,

$$dr = \frac{(x'-x) dx' + (y'-y) dy' + (z'-z) dz'}{r}.$$

Bezeichnen wir die Größe, um welche dr sich ändert, wenn sowohl als auch s' sich ändern, mit d^2r , so daß die Verbindungslinie der beiden Endpunkte c und d der Elemente wird

$$r + dr + d^2r$$

So können wir den Wert dieser Änderung aus einer der beiden Gleichungen für dr erhalten, nehmen wir die letzte und schreiben sie

$$r \cdot dr = (x' - x) dx' + (y' - y) dy' + (z' - z) dz'.$$

Differentiieren wir dieselbe, so wird

$$dr \cdot dr + r \cdot d^2r = -(dx \cdot dx' + dy \cdot dy' + dz \cdot dz') . . . (a)$$

Diese Änderungen von r gestatten uns die Winkel ϑ , ϑ und ε zu bestimmen.

Es ist ϑ der Winkel, welchen ds mit r bildet; projizieren wir ds auf r, so ist diese Projektion die Größe, um welche, wenn ϑ kleiner ist

, ---- -

als 90° , r abnimmt, wenn s um ds wächst, also gleich — dr; den tient dieser Projektion durch ds ist aber der Cosinus von ϑ , dem

$$\cos\vartheta = -\frac{dr}{ds};$$

in derselben Weise ist

$$\cos \vartheta' = \frac{dr}{ds'}$$
.

Der Winkel ε ist der Winkel, welchen die beiden Elemente mit ander bilden; bezeichnen wir für einen Augenblick die Winkel, die beiden Elemente mit den drei Axen bilden, respektive mit $\lambda, \mu, \lambda', \mu', \nu'$, so ist

$$\cos \varepsilon = \cos \lambda \cos \lambda' + \cos \mu \cos \mu' + \cos \nu \cos \nu'$$
.

Nun sind aber, da dx, dy, dz und dx', dy', dz' die Projek der beiden Elemente ds und ds' auf die Axen sind,

$$\cos \lambda = \frac{dx}{ds}, \cos \lambda' = \frac{dx'}{ds'}; \cos \mu = \frac{dy}{ds}, \cos \mu' = \frac{dy'}{ds'};$$
$$\cos \nu = \frac{dz}{ds}; \cos \nu' = \frac{dz'}{ds'}.$$

Demnach ist

$$\cos \varepsilon = \frac{dx}{ds} \cdot \frac{dx'}{ds'} + \frac{dy}{ds} \cdot \frac{dy'}{ds'} + \frac{dz}{ds} \cdot \frac{dz'}{ds'}.$$

Die Summe der drei Produkte auf der rechten Seite könne sofort durch r, dr und d^2r ausdrücken, denn nach Gleichung (a) i

$$\frac{dr}{ds} \cdot \frac{dr}{ds'} + r \cdot \frac{d^2r}{ds\,ds'} = -\left(\frac{dx}{ds} \cdot \frac{dx'}{ds'} + \frac{dy}{ds} \cdot \frac{dy'}{ds'} + \frac{dz}{ds} \cdot \frac{dz'}{ds'}\right)$$

Demnach

$$\cos \varepsilon = -\frac{d^2r}{ds\,ds'} - \frac{dr}{ds} \cdot \frac{dr}{ds'}.$$

Auf diese Weise haben wir alle in unserer Gleichung für r kommenden Werte durch r, s und s' wieder gegeben; setzen wir Ausdrücke in jene Gleichung ein, so wird sie

$$\begin{split} w &= -\frac{i\,i'\,ds\,ds'}{r^2}\,\left\{\,r\,\frac{d^2r}{ds\,ds'} + \frac{dr}{ds}\cdot\frac{dr}{ds'} + (k-1)\frac{dr}{ds}\cdot\frac{d}{ds'}\right.\\ w &= -\frac{i\,i'\,ds\,ds'}{r^2}\left\{\,r\,\frac{d^2r}{ds\,ds'} + k\cdot\frac{dr}{ds}\cdot\frac{dr}{ds'}\right\}. \end{split}$$

Wir brauchen demnach nur die Abhängigkeit von r von su zu kennen, d. h. nur die Form der Leiter, um die Wirkung zweier mente, welche irgendwo in den beiden Strömen liegen, auf einand berechnen.

Wir können diesem Ausdrucke noch eine bequemere Form ? Berechnen wir nämlich die Änderung, welche der Ausdruck

$$r^k \cdot \frac{dr}{ds}$$

erfährt, wenn sich s' um ds' ändert, differentiieren wir also den Ausdruck nach s', so wird

$$\frac{d\left(r^{k}\frac{dr}{ds}\right)}{ds'} = kr^{k-1}\frac{dr}{ds}\frac{dr}{ds'} + r^{k}\frac{d^{2}r}{ds\,ds'}$$

und somit

$$\frac{1}{r^{k-1}} \cdot \frac{\left(r^k \frac{dr}{ds}\right)}{ds'} = r \cdot \frac{d^2r}{ds ds'} + k \frac{dr}{ds} \cdot \frac{dr}{ds'}$$

und daraus

$$w = -\frac{i\,i'\,ds}{r^{k+1}} \cdot \frac{d\,\left(r^k\frac{d\,r}{d\,s}\right)}{d\,s'} \cdot d\,s'.$$

Dies ist die Wirkung der beiden Elemente auf einander; um die der Bichtung des Elementes ds parallele Komponente zu erhalten, haben wir die parallel r gerichtete Gesamtwirkung mit cos ϑ zu multiplizieren; vertauschen wir zugleich $\frac{dr}{ds}$ mit dem ihm gleichen — cos ϑ , so wird

$$v = w \cdot \cos \vartheta = \frac{i \, i' ds}{r^{k+1}} \cdot \frac{d \, (r^k \cdot \cos \vartheta)}{ds'} \cos \vartheta \cdot ds'.$$

Um hieraus die Einwirkung eines beliebigen geschlossenen Stromes auf ein irgendwie gelegenes Element ds zu erhalten, haben wir für alle Elemente ds' den Wert des so gefundenen Ausdruckes zu bestimmen und alle diese Werte zu summieren; wir können diese Summe schreiben, da jedes Glied den konstanten Faktor i i' ds hat,

$$V = i i' ds \int_{a}^{g_2} r^{-k-1} \cdot \frac{d (r^k \cdot \cos \vartheta)}{ds'} \cos \vartheta \cdot ds',$$

wo das Integral über alle Elemente des Leiters von dem einen Ende g_1 bis zum andern Ende g_2 zu bilden ist.

Die Integralrechnung lehrt diese Summe finden; und zwar beweist sie, dafs, welches auch die Form des Leiters ist, zu welchem ds' gehört, immer

$$V = \frac{1}{2} i i' ds \left\{ \left[\frac{\cos^2 \vartheta}{r} \right]^{g_2} - \left[\frac{\cos^2 \vartheta}{r} \right]_{g_1} + \left(1 + 2k \right) \int_{a}^{g_2} r^{-2} \cos^2 \vartheta \frac{dr}{ds'} ds' \right\}.$$

Die beiden ersten Glieder in der Klammer bedeuten die Werte, welche diese Ausdrücke an den beiden Grenzen des Leiters, zu welchem das Element ds' gehört, annehmen.

Wie wir in dem beschriebenen Versuche sahen, ist V immer gleich 0, die Form des geschlossenen Leiters mag sein, welche sie will. Da der Leiter geschlossen ist, haben ϑ und r an den beiden Grenzen g_1 und g_2 , welche zusammenfallen, gleiche Werte, deshalb ist die Differenz der beiden ersten Glieder in der Klammer des Ausdruckes für V gleich 0, welches auch die Form des Leiters ist; über den Wert der Summe des zweiten Gliedes läfst sich gar nichts aussagen. Diese Summe läfst sich gar nicht

bilden, da der Ausdruck unter dem Summenzeichen kein vollständiger Differential ist, das heißt da dieser Ausdruck nicht die Differenz zweiz auf einander folgender Werte einer Funktion ist, in welchen die Veränderlichen nur unendlich wenig verschieden gesetzt werden. Soll V unter allen Umständen gleich O sein, so muß deshalb

$$1 + 2k = 0$$

oder

$$k = -\frac{1}{6}$$

sein.

Die Konstante k der Formel ist somit gleich — $\frac{1}{2}$, d. h. die Wirkung zweier in einer geraden Linie liegenden Elemente ist bei gleichen Abstande r halb so groß, und bei gleichgerichteten Strömen entgegegesetzt der Wirkung zweier paralleler Ströme. Mit diesem Werte wird in unserer Formel 3 a

$$w = \frac{i i' ds ds'}{\sigma^2} (\cos \varepsilon - \frac{3}{2} \cos \vartheta \cdot \cos \vartheta').$$

Sind die Elemente einander parallel und die Ströme gleichgeriche, so ist $\varepsilon = 0$, $\vartheta = \vartheta' = 90^{\circ}$, somit

$$w = \frac{i\,i'\,ds\,ds'}{r^2} \cdot$$

Fallen die Elemente in eine gerade Linie und sind die Ströme gleich gerichtet, so ist $\varepsilon = 0$, $\vartheta = 0$, $\vartheta' = 0$, dann wird

$$w = -\frac{i\,i'\,d\,s\,d\,s'}{2\,r^2}.$$

Der Versuch hat bewiesen, dass im letzteren Falle die Elemente sich abstossen, im ersteren sich anziehen; im letzteren Falle wird also durch die Wirkung w der Abstand r vergrößert. Man versieht nun gewöhnlich jene Wirkung, durch welche der Abstand der Elemente vergrößert wird, mit dem positiven, jene, welche den Abstand r zu verkleinern streht, mit dem negativen Vorzeichen; deshalb vertauschen wir in unserm Ausdrucht die Vorzeichen und setzen

$$w = -\frac{i i' ds ds'}{r^2} \left\{ \cos \varepsilon - \frac{3}{2} \cos \vartheta \cdot \cos \vartheta' \right\}$$

oder

$$w = \frac{i i' \frac{ds ds'}{r^2} \left\{ r \frac{d^2 r}{ds ds'} - \frac{1}{2} \frac{dr dr}{ds ds'} \right\}$$

oder auch

$$w = \frac{i i' ds ds'}{r^{\frac{1}{2}}} \frac{d\left(r^{-\frac{1}{2}} \frac{dr}{ds'}\right)}{ds'}.$$

Diese Ausdrücke geben uns das elektrodynamische Grundgesetz sie uns die Wechselwirkung irgend zweier beliebig gerichteter Elementer aus die Verbindungslinie ihrer Mittelpunkte geben ').

¹⁾ Eine von der Ampèreschen abweichende Theorie giebt Grasmen Poggend. Ann. Bd. LXIV. Er verwirft in derselben die Annahme Ampère zwei Stromelemente parallel der Verbindungslinie ihrer Mittelpente end

§. 116.

Wirkung eines geschlossenen Stromkreises auf ein Element. Wir wollen zunächst den im vorigen Paragraphen abgeleiteten Ausdruck für die Wirkung zweier Elemente benutzen, um die Wirkung eines Stromkreises auf ein Element durch die drei den Koordinatenaxen parallelen Komponenten der Wirkung auszudrücken. Es sei L' Fig. 216 (Seite 818) der geschlossene Stromkreis.

In unserm Ausdruck für die Wirkung zweier Elemente

$$w = \frac{i i' ds ds'}{r^{1/2}} \frac{d \left(r^{-1/2} \frac{dr}{ds}\right)}{ds'}$$

ist, wie wir sahen,

$$\frac{dr}{ds} = -\cos\vartheta,$$

enn ϑ der Winkel ist, den ds mit der Verbindungslinie r der beiden Eleente bildet. Diesen Winkel können wir durch die Winkel λ , μ , ν ,
elche das Element mit den drei Koordinatenaxen bildet und die drei
Vinkel, welche die Verbindungslinie r mit den drei Axen bildet, ausrücken. Die Cosinus dieser drei letztern Winkel sind

$$\frac{x'-x}{r} \qquad \frac{y'-y}{r} \qquad \frac{z'-z}{r}$$

demnach

$$\cos\vartheta = \cos\lambda \frac{x'-x}{r} + \cos\mu \frac{y'-y}{r} + \cos\nu \frac{z'-z}{r} \dots (a).$$

Setzen wir das in den Ausdruck für w ein und multiplizieren mit dem Cosinus des Winkels, den die Verbindungslinie r mit der x-Axe bildet, so erhalten wir für die x-Komponente der Wirkung

$$\xi = -i i' ds ds' \frac{x' - x}{r^{\frac{3}{2}}} \frac{d\left(\frac{x' - x}{r^{\frac{3}{2}}} \cos \lambda + \frac{y' - y}{r^{\frac{3}{2}}} \cos \mu + \frac{z' - z}{r^{\frac{3}{2}}} \cos \nu\right)}{ds'}$$

oder abstofsend auf einander wirken. Wir können die Theorie von Grassmann hier nicht darlegen und bemerken nur, daß sie für geschlossene Ströme zu denselben Resultaten führt, wie die Theorie von Ampère. Ein Unterschied zeigt sich nur in dem Verhalten begrenzter, d. h. nicht in sich selbst zurücklaufender Ströme. Eine experimentelle Prüfung dieses Falles, und somit eine Entscheidung zwischen beiden Theorieen hat noch nicht stattgefunden. Die allgemeinste Behandlung der elektrodynamischen Gleichungen giebt Stefan in seiner umfangreichen sehr interessanten Abhandlung, die wir schon im Beginne dieses Paragraphen erwähnten. Stefan weist darin nach, daß sowohl die Theorie von Ampère als die von Grassmann durch besondere nicht notwendige Annahmen aus der von ihm entwickelten allgemeinen Theorie sich ergeben, wie z. B. die von Ampère einfach dadurch, daßs er die Seite 810 Anm. 1) erwähnten transversalen Wirkungen gleich Null setzt. Zugleich weist Stefan nach, daßs und weshalb diese Theorieen sämtlich für geschlossene Ströme dieselben Resultate liefern. Wir werden daher im Folgenden, da wir stets nur die Wirkung geschlossener Ströme beobachten, die Ampèresche Theorie beibehalten, an den passenden Stellen dagegen auf die andern Theorieen hinweisen.

Hierin können wir, da λ , μ , ν konstant sind, wie man sich durch Ar führung der Differentiation nach x' beziehungsweise nach y' überneg folgende Umformung vornehmen

$$\frac{x'-x}{r^{\frac{1}{2}}} d\frac{x'-x}{r^{\frac{1}{2}}} \cos \lambda = \frac{1}{2} d\frac{(x'-x)^{2}}{r^{2}} \cos \lambda$$

$$\frac{x'-x}{r^{\frac{1}{2}}} d\frac{y'-y}{r^{\frac{1}{2}}} \cos \mu = \frac{x'-x}{y'-y} \frac{y'-y}{r^{\frac{1}{2}}} d\frac{y'-y}{r^{\frac{1}{2}}} \cos \mu$$

$$= \frac{x'-x}{y'-y} d\frac{(y'-y)^{2}}{r^{2}} \cos \mu.$$

Wenden wir die bekannte Formel an, dass wenn u und v zweiV anderliche sind

$$d(uv) = udv + vdu$$
$$udv = d(uv) - vdu$$

und setzen

$$\frac{x'-x}{y'-y} = u, \quad \frac{(y'-y)^3}{r^3} \cos \mu = v,$$

so können wir den zuletzt erhaltenen Ausdruck schreiben

$$d\frac{(x'-x)(y'-y)}{r^3}\cos\mu - \frac{(y'-y)^2}{r^3}\cos\mu d\frac{x'-x}{y'-y}$$

und wenn wir die Differentiation des zweiten Gliedes ausführen

$$d\frac{(x'-x)(y'-y)}{r^3}\cos\mu - \cos\mu \frac{(y'-y)dx'-(x'-x)dy'}{r^5}$$

In ganz gleicher Weise erhalten wir für das dritte Glied in dem Δ drucke für ξ

$$d^{\frac{(x'-x)(z'-z)}{r^3}\cos\nu - \cos\nu - \frac{(z'-z)dx'-(x'-x)dz'}{r^3}$$

Setzen wir die so umgeformte Differentiale in den Ausdruck fü ein, nachdem wir im Zähler und Nenner ds' fortgehoben haben, so π

$$\xi = -ii' ds \left\{ d \left(x' - x \right)^{(x' - x)} \cos \lambda + (y' - y) \cos \mu + (z' - z) \cos \nu \right.$$

$$\left. -\cos \mu \frac{(y' - y) dx' - (x' - x) dy'}{r^3} - \cos \nu \frac{(z' - z) dx' - (x' - x) dz'}{r^3} \right.$$

Das erste Glied in der Klammer ist nach Gleichung (a)

$$d^{x'-x}\cos\vartheta$$
.

Die X-Komponente der Wirkung des ganzen Stromes auf das I ment ds erhalten wir durch Integration des für ξ erhaltenen Ausdructber den ganzen Strom, somit

$$X = -ii' ds \left\{ \int d\frac{x'-x}{r^2} \cos \vartheta - \cos \mu \int_{-r^3}^{\bullet} \frac{(y'-y) dx' - (x'-x) dy'}{r^3} - \cos \nu \int_{-r^3}^{\bullet} \frac{(z'-z) dx' - (x'-x) dy'}{r^3} \right\}$$

Unter dem ersten der drei Integralzeichen haben wir ein totales Differential; da bei der Integration über den ganzen Stromkreis die Grenzen zusammenfallen, also an den Grenzen x', r und ϑ denselben Wert haben, so ist der Wert des ersten Integrals gleich null. Die Werte der andern Integrale können wir nicht allgemein angeben, setzen wir deshalb mit Ampère

$$\int_{r^3}^{(y'-y)} \frac{dx' - (x'-x) \, dy'}{r^4} = -C$$

$$\int_{r^3}^{(z'-z)} \frac{dx' - (x'-x) \, dz'}{r^3} = B,$$

so wird

$$X = -ii' ds (C \cos \mu - B \cos \nu).$$

In ganz gleicher Weise ergiebt sich, wenn wir noch

$$\int \frac{(y'-y)\,dz' - (z'-z)\,dy'}{r^3} = A$$

Setzen, für die Y-Komponente und Z-Komponente

$$Y = -ii' ds (A \cos \nu - C \cos \lambda)$$

$$Z = -ii' ds (B \cos \lambda - A \cos \mu).$$

Wenn wir auch die Werte A, B, C nicht allgemein angeben können, lassen sich doch sofort aus diesen Ausdrücken einige wichtige Folgengen über die Richtung der Resultierenden ziehen. Die resultierende wirkung des Stromes auf das Element ist gegeben durch

$$R = \sqrt{X^2 + Y^2 + Z^2}$$

und die Cosinus der Winkel, welche die Resultierende mit den Koordinatenzen bildet, durch

$$\frac{X}{R} = \frac{Y}{R} = \frac{Z}{R}$$
.

Den Winkel, welchen die Resultierende mit dem Elemente bildet, erbalten wir in der Summe der Produkte

$$\frac{Y}{R}\cos\lambda + \frac{Y}{R}\cos\mu + \frac{Z}{R}\cos\nu = \frac{X\cos\lambda + Y\cos\mu + Z\cos\nu}{R}.$$

Rechnen wir den Zähler aus, so wird derselbe gleich null, der Winkel, den die Resultierende mit dem Element bildet, ist somit ein Rechter, oder die Gleichungen geben den nach dem vorigen Paragraphen von Ampère bewiesenen Satz, dass in die Richtung des Elementes keine Komponente der Wirkung fällt, dass somit die Richtung der Resultierenden auf dem Elemente senkrecht steht.

Die Richtung und Größe der resultierenden Wirkung können wir Pnit Hilfe einer zweiten von Ampère als Direktrix bezeichneten Linie be-Stimmen.

Denken wir uns die drei Größen A, B, C auf die Koordinatenaxen aufgetragen, so ist die durch die Gleichung

$$D = \sqrt{A^2 + B^2 + C^2}$$

gegebene Diagonale des durch die Seiten A, B, C bestimmten Para epipeds die Direktrix. Die Cosinus der Winkel, die sie mit den Konnatenaxen bildet, sind

$$\frac{A}{D}$$
 $\frac{B}{D}$ $\frac{C}{D}$.

Der Cosinus des Winkels, welchen die Resultierende mit der Direl bildet, ist demnach

$$\frac{A}{D}\frac{X}{R} + \frac{B}{D}\frac{Y}{R} + \frac{C}{D}\frac{Z}{R}$$

Rechnet man die Summe AX + BY + CZ aus, so ergiebt sich dies gleich null; es folgt die Resultierende ist auch senkrecht zur Richt der Direktrix. Legen wir somit durch das Element die Direktrix, so so daß die Richtung der Resultierenden senkrecht ist zu der durch das ment und die Direktrix gelegten Ebene.

Mit Hilfe der Direktrix und des Winkels ω , welchen das Elemit der Direktrix bildet, lässt sich die Größe der Resultierenden in kürzesten Form darstellen. Nennen wir die Winkel, welche die Direktrix den drei Koordinatenaxen bildet, α , β , γ , so dass

$$\frac{A}{D} = \cos \alpha \quad \frac{B}{D} = \cos \beta \quad \frac{C}{D} = \cos \gamma,$$

so ist

 $\cos \omega = \cos \alpha \cos \lambda + \cos \beta \cos \mu + \cos \gamma \cos \nu$.

Rechnet man den Wert der Resultierenden aus, indem man in Gleichung

$$R = \sqrt{X^2 + Y^2 + Z^2}$$

für X, Y, Z ihre Werte, und weiter

$$A = D \cos \alpha$$
 $B = D \cos \beta$ $C = D \cos \gamma$

setzt, so erhält man leicht

$$R = -\frac{1}{2} i i' ds D \sqrt{H^2 + K^2 + L^2}$$

wenn

$$H = \cos \gamma \cos \mu - \cos \beta \cos \nu$$

$$K = \cos \alpha \cos \nu - \cos \gamma \cos \lambda$$

$$L = \cos \beta \cos \lambda - \cos \alpha \cos \mu$$

Beachtet man, dass

$$\cos^2 \lambda + \cos^2 \mu + \cos^2 \nu = 1 \qquad \cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1.$$

so erhält man durch leichte Umformungen

$$H^2 + K^2 + L^2 = 1 - \cos^2 \omega$$

und somit

$$R = -\frac{1}{2} i i' ds D \sqrt{1 - \cos^2 \omega} = -\frac{1}{2} i i' ds D \sin \omega$$

Aus der Größe und der Lage der Direktrix und der Lage des I mentes läßt sich deshalb unmittelbar die Richtung und Größe der 117.

renden Wirkung berechnen. Wir werden diese Ausdrücke später zu sem Zwecke dort, wo wir den Wert der Direktrix angeben können, nutzen.

Das Potential sweier geschlossener Ströme auf einander. Durch 12 Umformung des in §. 115 abgeleiteten Ausdrucks für die Wirkung eier Stromelemente auf einander können wir leicht nachweisen, daß 3 Wirkung zweier geschlossener Ströme auf einander durch ein Potential stimmt ist, dessen partielle Derivierten nach den Koordinatenaxen uns 3 Wirkungen dieser Ströme parallel diesen Axen geben. Von den iden Elementen ds und ds' gehöre wie in Fig. 216 das erstere zu dem schlossenen Strome L, das andere zu dem geschlossenen Strome L', die vordinaten des erstern seien wie bisher x, y, z, des letztern x', y', z'. e nach der Verbindungslinie r der beiden Elemente gerichtete Wirkung mit den frühern Bezeichnungen

$$w = -\frac{ii'\,ds\,ds'}{r^2}\,(\cos\varepsilon - \frac{3}{2}\cos\vartheta\,\cos\vartheta').$$

m die Wirkung parallel den Koordinatenaxen zu erhalten, haben wir w untiplizieren mit beziehungsweise

$$\cos \stackrel{\frown}{r,x} = \frac{x'-x}{r}, \quad \cos \stackrel{\frown}{r,y} = \frac{y'-y}{r}, \quad \cos \stackrel{\frown}{r,z} = \frac{z'-z}{r}.$$

etrachten wir zunächst nur die Komponente parallel x, so wird dieselbe

$$\xi = \frac{1}{2} i i' \, ds \, ds' \left\{ 3 \, \cos \vartheta \, \cos \vartheta' \, - \, 2 \, \cos \varepsilon \right\} \, \frac{x' - x}{r^3} \cdot$$

r Umformung führen wir den Differentialquotienten des $\cos r, x$ nach s, derselbe wird

$$\frac{d\left(\frac{x'-x}{r}\right)}{ds} = -\frac{x'-x}{r^2}\frac{dr}{ds} - \frac{1}{r}\frac{dx}{ds},$$

bei dieser Differentiation x' konstant ist. Wir differentiieren jetzt \Rightarrow hmals nach s', bei welcher Differentiation x konstant ist und erhalten

$$\frac{d\left(\frac{x'-x}{r}\right)}{ds} = 2\frac{x'-x}{r^5}\frac{dr}{ds}\frac{dr}{ds'} - \frac{x'-x}{r^2}\frac{d^2r}{dsds'} - \frac{1}{r^2}\frac{dr}{ds}\frac{dx'}{ds'} + \frac{1}{r^2}\frac{dr}{ds'}\frac{dx}{ds}$$

Ldieren und subtrahieren wir auf der rechten Seite den Ausdruck

$$\frac{x'-x}{r^3} \frac{dr}{ds} \frac{dr}{ds'},$$

können wir die letztere Gleichung schreiben:

....

$$\frac{d\left(\frac{d\left(\frac{x'-x}{r}\right)}{ds}\right)}{ds'} = 3\frac{x'-x}{r^3}\frac{dr}{ds}\frac{dr}{ds'} - \frac{x'-x}{r^3}\left(r\frac{d^3r}{dsds'} + \frac{dr}{ds}\frac{dr}{ds'}\right) - \frac{1}{r^3}\frac{dr}{ds}\frac{dx'}{ds'} + \frac{1}{r^2}\frac{dr}{ds'}\frac{dx}{ds}.$$

Nach §. 115 ist

$$-\frac{dr}{ds} = \cos \vartheta, \quad \frac{dr}{ds'} = \cos \vartheta', \quad r\frac{d^2r}{dsds'} + \frac{dr}{ds}\frac{dr}{ds'} = -\cos \theta$$

Führen wir diese Ausdrücke ein, so erhält man leicht

$$(2\cos\varepsilon - 3\cos\vartheta\cos\vartheta')\frac{x'-x}{r^3} = \frac{d\left(\frac{d\left(\frac{x'-x}{r}\right)}{ds}\right)}{ds'} + \frac{1}{r^2}\frac{dr}{ds}\frac{dx'}{ds'} - \frac{1}{r^2}\frac{dr}{ds'}\frac{dx}{ds'} + \cos\varepsilon\frac{x'-x}{r}.$$

Das zweite Glied auf der rechten Seite können wir schreiben

$$\frac{1}{r^2}\frac{dr}{ds}\frac{dx'}{ds'} = -\frac{d\left(\frac{1}{r}\right)}{ds}\frac{dx'}{ds'},$$

und ebenso das dritte

$$-\frac{1}{r^2}\frac{dr}{ds'}\frac{dx}{ds} = \frac{d\left(\frac{1}{r}\right)}{ds'}\frac{dx}{ds}.$$

Setzen wir diese Ausdrücke in die Gleichung für § ein, so wird dies

$$\xi = -\frac{1}{2}ii'\,ds\,ds'\,\left\{\frac{d\left(\frac{d\left(\frac{x'-x}{r}\right)}{ds}\right)}{ds'} - \frac{d\left(\frac{1}{r}\right)}{ds}\frac{dx'}{ds'} + \frac{d\left(\frac{1}{r}\right)}{ds'}\frac{dx}{ds} + \frac{cos\,\varepsilon\,\frac{x'-x}{r}\right\}.$$

Ganz genau in derselben Weise erhält man die Komponenten der kung parallel der Axe der Y und parallel der Axe der Z; man hat um die erstere zu erhalten für x' einzusetzen y' und für x die Ordinat ferner x' mit z' und x mit z zu vertauschen, um die Komponente par Z zu bestimmen.

Die den drei Koordinaten parallelen Komponenten der Wirkung, we die geschlossenen Ströme auf einander ausüben, erhalten wir aus der geleiteten Wirkung der Elemente, indem wir für jedes Element des ei und des andern Leiters diesen Ausdruck bilden, und dann alle diese l drücke summieren, also über die beiden Leiter L und L' integrie Bei der Integration über L' fällt das erste Glied

$$-\frac{1}{2}ii'ds \int_{\bullet}^{\bullet} \frac{d\binom{x'-x}{r}}{ds} \frac{ds'}{ds'} ds'$$

aus, denn der Ausdruck unter dem Integralzeichen ist ein vollstäde Differential, und bei der Integration über den geschlossenen Leiter und eine Grenze des Integrals zusammen.

117.

Gleiches gilt bei der Integration über L' für das dritte Glied und s demselben Grunde.

Für die X-Komponente der Wirkung des Leiters L' auf das Element erhalten wir demnach

$$X_{1} = -\frac{1}{2}i \cdot i' \cdot ds \int_{s}^{s} \left\{ \cos s \cdot \frac{x' - x}{r^{s}} - \frac{d\left(\frac{1}{r}\right)}{ds} \cdot \frac{dx'}{ds'} \right\} ds'.$$

Daraus erhalten wir die X-Komponente der Wirkung der gesamten iter, indem wir nochmals über den Leiter L, also nach s summieren

$$X = -\frac{1}{2}i'i' \int \int \left\{ \cos s \cdot \frac{x'-x}{r^3} - \frac{d\left(\frac{1}{r}\right)}{ds} \frac{dx'}{ds'} \right\} ds' ds.$$

Aus demselben Grunde, aus welchem bei der vorigen Summation sichte Glied fortfiel, fällt jetzt das zweite Glied wieder fort, da dieses Summe der Differenzen aller auf einander folgenden Werte als Faktorhält, welche $\frac{1}{r}$ annimmt, wenn ds nach und nach alle Lagen auf dem ter L annimmt.

Die X-Komponente wird also schliesslich für zwei geschlossene Leiter

$$X = -\frac{1}{2} i i' \int \int \cos \varepsilon \cdot \frac{x' - x}{r^3} ds ds',$$

l in derselben Weise die beiden andern Komponenten

$$= -\frac{1}{2}ii' \iint \cos \varepsilon \frac{y'-y}{r^3} ds ds'; \quad Z = -\frac{1}{2}ii' \iint \cos \varepsilon \frac{z'-z}{r^5} ds ds'.$$

Diese drei Komponenten lassen sich aber als die partiellen Derirten nach den Richtungen der Axen eines und desselben Ausdruckes, ralich des Ausdruckes

$$W = -\frac{1}{2} ii' \int_{s}^{s} \frac{\cos s}{r} \, ds \, ds'$$

rachten, wie man in folgender Weise erkennen kann. Sei der Wert Integrals in obigem Ausdruck bei der wirklich stattfindenden Lage : Leiter gleich U, also

$$U = \int \int \frac{\cos s}{r} \, ds \, ds'.$$

Nun sei der Leiter L ganz festgehalten, und der Leiter L' werde rallel der Axe X um die unendlich kleine Größe dy' verschoben, so fs jedes Element des Leiters ds', welches vorher die Koordinate x' tte, jetzt die Koordinate x' + dy' hat. Die andern Koordinaten y' und sind dann ungeändert, und ebenso der Winkel ε , den die beiden Eleute mit einander bilden. Durch die Änderung von x' ist aber r in r' regegangen und damit U in $U + \hat{v}U$, so daß

$$U + \partial U = \int \int \frac{\cos \varepsilon}{r'} \, ds \, ds',$$

worin r' aus der Gleichung

$$r'^2 = (x' + \partial \xi' - x)^2 + (y' - y)^2 + (s' - s)^2$$

zu berechnen ist

$$\frac{1}{r'} = \left\{ (x' + \partial \xi' - x)^2 + (y' - y)^2 + (z' - z)^2 \right\}^{-1/2},$$

oder da dz'^2 als unendlich klein gegen dz' zu vernachlässigen ist,

$$\frac{1}{r'} = \left\{ r^2 + 2 \left(x' - x \right) \partial \xi' \right\}^{-1/2}$$

$$\frac{1}{r'} = \frac{1}{r} - \frac{x' - x}{r^3} \partial \xi'.$$

Damit wird

$$U + \partial U = \int \int \left(\frac{\cos \varepsilon}{r} - \cos \varepsilon \cdot \frac{x' - x}{r^3} \, \partial \chi' \right) ds \cdot ds'$$
$$\frac{\partial U}{\partial x'} = - \int \int \cos \varepsilon \, \frac{x' - x}{r^3} \, ds \, ds'.$$

und

Schreiben wir demnach

$$W = -\frac{1}{2} i i' \int \int \frac{\cos s}{r} ds ds',$$

so wird

$$X = -\frac{\partial W}{\partial \mathbf{r}'},$$

und ebenso werden dann

$$Y = -\frac{\partial W}{\partial x'}, \quad Z = -\frac{\partial W}{\partial x'},$$

worin wir für die Verschiebungen die deutschen Zeichen \mathfrak{x} , \mathfrak{y} , \mathfrak{z} ein um anzudeuten, dass die Änderung der Koordinaten für alle Elemen Leiters gleichmässig durch eine Verschiebung des Leiters zu nehm nicht durch ein Fortrücken der Elemente ds und ds' auf den Lei

Der Wert W hat hiernach die Bedeutung des Potentials des Leiters auf den andern, in derselben Bedeutung, wie wir früher das tial zweier ruhender elektrischer Massen bestimmt haben. Wir deshalb dieses Potential später benutzen können, um die Arbeit stimmen, welche durch die Bewegung zweier Leiter gegen einand wonnen oder geleistet wird, wobei wir gleich hier bemerken, da Potential zu solchen Berechnungen nicht nur dienen kann, wenn die einander genähert oder entfernt, sondern auch, wenn sie gegen ei gedreht werden 1).

Zur Berechnung elektrodynamischer Wirkungen werden wir se benutzen, da die hier uns gesteckten Grenzen eine Ausführung der nungen nicht gestatten.

¹⁾ Die Bestimmung obiger Funktion als Potential zweier geströme ist zuerst von Neumann gegeben in: F. Neumann, Allgeme der induzierten Ströme. Abhandl. der Berliner Akad. 1845. Ob ist nach Stefan, Sitzungsber. der Wiener Akad. 1869.

§. 118.

Webers experimentelle Prüfung des elektrodynamischen Grundgesetzes. Die in §. 115 gegebene Ableitung des elektrodynamischen Grundgesetzes, besonders die Bestimmung der Konstanten beruht auf der Herstellung gewisser Gleichgewichtslagen, in denen die auf einander wirkenden Kräfte sich das Gleichgewicht halten, und infolgedessen keine Bewegung des beweglichen Stromleiters eintritt. So sehr man auch den Geist Ampères bewundern muss, welcher die Bedingungen dieser Beobachtungen auffand und aus denselben dann die Theorie der Erscheinungen ableitete, so läßt sich doch nicht leugnen, dass diese experimentelle Grundlage der Theorie nicht die ausreichende Festigkeit besitzt, um sie als über jeden Zweifel erhaben erscheinen zu lassen. Denn Ampère gründet seine Entwicklungen auf die Beobachtung, dass unter gewissen Umständen keine Bewegung eintritt, wenn Ströme auf Stromteile einwirken, und auf die Annahme, daß in diesen Fällen die elektrodynamischen Kräfte sich das Gleichgewicht halten. Letztere Annahme kann in Zweifel gezogen werden; denn damit eine Bewegung eintritt, müssen immer gewisse Bewegungshindernisse, insbesondere Reibung überwunden werden, wie vorsichtig man auch alles anwendet, um diese Hindernisse möglichst gering zu machen. Man kann deshalb aus dem Ausbleiben einer Bewegung nicht schließen, daß die Wirksamen Kräfte sich vollständig aufheben, sondern nur, daß sie nicht hinreichend sind, um die mechanischen Hindernisse der Bewegung zu liberwinden.

Deshalb ist es notwendig, die elektrodynamischen Kräfte direkt zu messen, d. h. sie mit mechanischen Kräften zu vergleichen, indem man elektrodynamische und genau meßbare mechanische Kräfte einander entgegenwirken läßt, und beobachtet, wann sie sich das Gleichgewicht halten. Man kann hierbei natürlich nicht einzelne Stromelemente auf einander wirken lassen, sondern muß geschlossene Ströme anwenden.

Diesen Weg zur Prüfung des elektrodynamischen Grundgesetzes hat W. Weber eingeschlagen¹); Weber berechnete das Drehungsmoment, welches ein fester Kreisstrom auf einen beweglichen in verschiedenen Lagen austibt, und verglich mit den Resultaten der Rechnung die ablenkenden Kräfte, welche ein Kreisstrom in diesen Lagen auf einen andern ausübte.

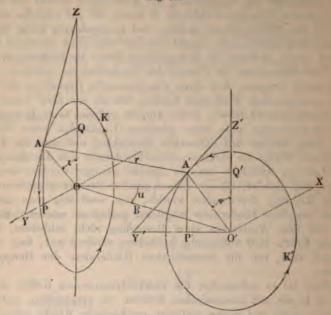
Wir müssen uns hier darauf beschränken, die Versuche Webers zu beschreiben und die von ihm gegebene Vergleichung der Resultate des Versuches mit denen der Rechnung anzuführen, da die Durchführung jener Rechnungen viel zu weit führen würde, weil eine Berechnung der Wirkungen der Ströme nur durch Reihenentwicklung möglich ist. Wir verweisen deshalb auf die Abhandlung von Weber.

Wenn ein Kreisstrom K (Fig. 217) um die vertikale durch seinen Mittelpunkt O gehende Axe Z drehbar aufgehängt ist, und ein zweiter Kreisstrom, dessen Ebene senkrecht zur Ebene des ersten ist, und dessen Mittelpunkt O' in derselben Horizontalebene liegt wie O, auf denselben

W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen. I. Teil. Leipzig 1846.
 Auszüglich in Poggend. Ann. Bd. LXXIII.

einwirkt, so erteilt dieser Strom K' dem ersteren ein gewisses Drehungsmoment, dessen Größe und Richtung abhängig ist von der Größe der beiden Kreise und von der Lage der Kreise zu einander.

Fig. 217.



Um dieses Drehungsmoment zu erhalten, verfährt man ähnlich wie bei den Rechnungen des §. 115, indem man zunächst die Einwirkung zweier Elemente bestimmt, und aus dieser durch Integration die Einwirkung der Kreise auf einander ableitet. Um den Weg, auf welchem man dahin gelangen kann, anzudeuten, wollen wir die Wirkung zweier Elemente dieser Kreise auf einander bestimmen. Wir benutzen dazu die Formel:

$$w = -\frac{i i' ds ds'}{r^2} (\cos \varepsilon - \frac{3}{2} \cdot \cos \vartheta \cdot \cos \vartheta');$$

es sind in derselben r, ε, θ, θ' zu bestimmen.

Legen wir zu dem Ende durch die beiden Kreise ein rechtwinkliges Axensystem, der Anfangspunkt liege in O, die Axe der Z sei die vertikale Drehungsaxe, Y in der Ebene des Kreisstromes K, und OX senkrecht zur Ebene K parallel der Ebene K' gelegt.

Der Abstand AA' der beiden Elemente oder r ist dann, wenn wir die Koordinaten der Punkte A mit x, y, z; A' mit x', y', z' bezeichnen, wie wir schon mehrfach sahen, gegeben durch

$$r^2 = (x'-x)^2 + (y'-y)^2 + (z'-z)^2$$
.

Sind der Abstand OO' der beiden Mittelpunkte gleich R, der Winkelden R mit x bildet u, die Radien der Kreise ϱ und ϱ' , die Winkelwelche die an A resp. A' gezogenen Radien mit der Z-Axe bilden, in

ichtung der Ströme von der vertikal nach oben gehenden Axe der echnet, gleich χ und ψ , so können wir die Werte $x, y, z \ldots$ folrmaßen ausdrücken

$$x = 0, y = AQ = \varrho \cdot \sin \chi, z = 0Q = \varrho \cdot \cos \chi$$
$$= 0X - 0'P' = R \cdot \cos u - \varrho' \cdot \sin \psi, y' = 0'X = R \cdot \sin u,$$
$$z' = 0'Q' = \varrho' \cdot \cos \psi.$$

Demnach ist

$$R \cdot \cos u - \varrho' \cdot \sin \psi \}^{2} + \{R \cdot \sin u - \varrho \cdot \sin \chi \}^{2} + \{\varrho' \cos \psi - \varrho \cdot \cos \chi \}^{2}$$

$$R^{2} - 2R \{\varrho' \cos u \sin \psi + \varrho \sin u \sin \chi \} + \varrho^{2} + \varrho'^{2} - 2\varrho\varrho' \cos \psi \cos \chi.$$

Der Winkel ε ist jener, welchen die beiden Elemente mit einander ; wir erhalten den Cosinus desselben aus den Cosinus der Winkel, e die beiden Elemente mit den drei Axen bilden.

Das Element ds bildet mit den Axen dieselben Winkel, wie die an Kreisstrom bei A gelegte Tangente YZ. Der Winkel, welchen ds er Axe Z bildet, ist demnach $90^{\circ} + \chi$, welchen es mit der Axe Y χ , mit der Axe X, da dieselbe zur Kreisebene senkrecht ist, 90° . Das Element ds' bildet mit den Axen die gleichen Winkel wie die inte Y'Z', dieselben sind mit Z $90^{\circ} + \psi$, mit $Y = 90^{\circ}$, mit $X + \psi$.

Daraus folgt

$$= \cos(180^{0} + \psi) \cdot \cos 90^{0} + \cos 90^{0} \cdot \cos \chi + \cos(90^{0} + \psi) \cdot \cos(90^{0} + \chi)$$
$$\cos \varepsilon = \sin \psi \cdot \sin \chi.$$

Die Winkel ϑ , ϑ' , welche die Elemente mit r bilden, erhalten wir en Cosinus der eben bestimmten Winkel und den Cosinus der Winkel, ie r mit den Axen bildet. Bezeichnen wir die Winkel, welche r mit lrei Axen bildet, mit α , β , γ , so ist

$$= \frac{x' - x}{r} = \frac{R \cdot \cos u - \varrho' \sin \psi}{r}; \cos \beta = \frac{y' - y}{r} = \frac{R \cdot \sin u - \varrho \cdot \sin \chi}{r}$$
$$\cos \gamma = \frac{z' - z}{r} = \frac{\varrho' \cos \psi - \varrho \cos \chi}{r}.$$

Demnach ist

$$\cos \vartheta = \cos \chi \cdot \frac{R \sin u - \varrho \sin \chi}{r} - \sin \chi \frac{\varrho' \cos \psi - \varrho \cos \chi}{r}$$

$$= \frac{R \sin u \cos \chi - \varrho' \cos \psi \sin \chi}{r}$$

$$\cos \vartheta' = -\cos \psi \cdot \frac{R \cos u - \varrho' \sin \psi}{r} - \sin \psi \frac{\varrho' \cos \psi - \varrho \cos \chi}{r}$$

$$= -\frac{R \cos u \cos \psi - \varrho \cos \chi \sin \psi}{r}.$$

Setzen wir diese Werte für $\cos \varepsilon$, $\cos \vartheta$, $\cos \vartheta'$ in unsere Gleichung so wird

$$w = -\frac{i i' ds ds'}{r^2} \left\{ \sin \chi \cdot \sin \psi + \frac{3}{2} \frac{R \sin u \cos \chi - \varrho' \cos \psi \sin \chi}{r} \cdot \frac{R \cos u \cos \psi - \varrho \cos \chi \sin \psi}{r} \right\}$$

Diese Wirkung der beiden Elemente auf einander ist parallel rrichtet; um das Drehungsmoment zu erhalten, welches der feste dem weglichen Leiter K, welcher nur um die vertikale Axe Z drehber erteilt, haben wir die der X-Axe parallele Komponente der Kraft ridem Abstande des Elements ds von der Axe Z oder mit $\varrho \sin \chi$ zu z tiplizieren. Dann wird das Drehungsmoment m

$$m = -\frac{i i' ds ds' (R \cos u - \varrho' \sin \psi)}{r^3} \cdot \varrho \sin \chi \left\{ \sin \chi \cdot \sin \psi + \frac{3}{2} \frac{R \sin u \cos \chi - \varrho' \cos \psi \sin \chi}{r} \cdot \frac{R \cos u \cos \psi - \varrho \cos \chi \sin \psi}{r} \right\}$$

Drei Lagen des festen Kreises sind nun von besonderem Interenämlich:

1) Die Ebene des festen Kreises halbiert die Ebene des beweglick Kreises, der Winkel u ist gleich null, dann ist

$$m_{1} = -\frac{i i' ds ds' (R - \varrho' \sin \psi)}{r^{3}} \cdot \varrho \sin^{2} \chi \left\{ \sin \psi - \frac{3}{2} \frac{\varrho' \cos \psi}{r} \cdot \frac{R \cos \psi - \varrho \cos \chi \sin \psi}{r} \right\}.$$

2) Die Ebene des festen Kreises wird von der Ebene des bewlichen Kreises halbiert, der Winkel u ist 90°, dann ist

$$m_2 = \frac{i i' ds ds' \cdot \varrho' \sin^2 \psi}{r^3} \cdot \varrho \sin \chi \left\{ \sin \chi - \frac{3}{2} \frac{R \cos \chi - \varrho' \cos \psi \sin \chi}{r} \cdot \varrho \cos \chi \right\}.$$

3) Die Mittelpunkte der Leiter fallen zusammen, der Abstand R gleich O; dann ist

$$m_3 = \frac{i i' ds ds'}{r^3} \varrho' \sin^2 \psi \varrho \sin^2 \chi \left\{ 1 + \frac{3}{2} \frac{\varrho' \cos \psi}{r} \cdot \frac{\varrho \cos \chi}{r} \right\}$$

Um für diese Fälle das Drehungsmoment zu erhalten, weld der ganze feste Strom dem drehbaren erteilt, hat man von diesen d Ausdrücken, in denen man noch $ds = \varrho \cdot d\chi$ und $ds' = \varrho' \cdot d\psi$ sel durch Integration nach den Veränderlichen ψ und χ die Summe der W kungen aller Elemente des einen Stromkreises auf alle Elemente des edern Stromkreises zu bilden.

Führt man diese Rechnungen aus, die wie vorhin erwähnt zu kein geschlossenen Ausdrücken führen, so findet man zunächst, dass die Drehme momente, welche der feste dem um die vertikale Axe drehbaren Structeilt, proportional sind dem Produkte aus den Stromstärken der beide Ströme, dass sie überdies abhängig sind von der Größe des Plac

lehen die Ströme umkreisen, von dem Abstande R, und dass in dem eiten Falle die Ablenkung des beweglichen Stromes fast doppelt so ofs ist als in dem ersten Falle.

Hängt man den beweglichen Strom bifilar auf, so daß also das ihn die Gleichgewichtslage zurückführende Drehungsmoment dem Sinus des lenkungswinkels proportional ist, während das ihm von dem festen rome erteilte Drehungsmoment, wie man unmittelbar sieht, dem Cosinus s Ablenkungswinkels proportional ist, so läßt sich die Tangente des plenkungswinkels in dem zweiten Falle geben durch

tang
$$v = \frac{2A}{R^3} + \frac{B}{R^5}$$
,

ad in dem ersten Falle durch

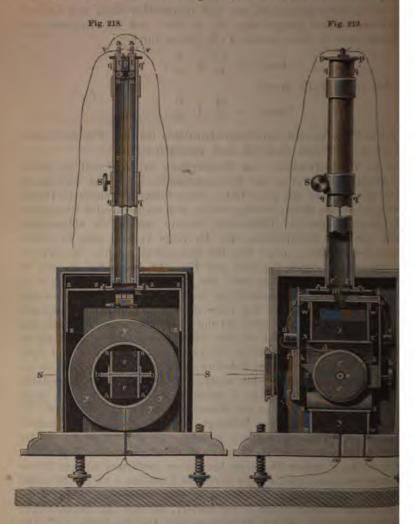
tang
$$v' = \frac{A}{R^3} + \frac{C}{R^5}$$
,

Drin A dem Produkte aus den Stromintensitäten und den Flächenräumen, alche von den Strömen umkreist sind, proportional ist.

Um die Wechselwirkung von Kreisströmen experimentell zu unterhen, konstruierte Weber das Elektrodynamometer. Das Instrument teht im wesentlichen aus zwei Teilen, einer bifilar aufgehängten Drahtle und einer festen Rolle; erstere, welche den abzulenkenden Stromkreis stellt, nennt Weber die Bifilarrolle, letztere, welche als ablenkender omkreis dient, die Multiplikatorrolle. Da dieser Apparat auch zu Stromssungen dienen kann, möge derselbe hier etwas genauer beschrieben rden. Die Abbildungen Fig. 218 und Fig. 219 zeigen ihn in zwei zu ander senkrechten Durchschnitten. Die Bifilarrolle, welche Fig. 218 in tikalem Durchschnitte dargestellt ist, besteht aus zwei dünnen Messingeiben aa und a'a', welche von einer etwa 3 mm dicken messingenen e in einem Abstande von etwa 30 mm festgehalten werden. Um die e zwischen den Scheiben ist ein mit Seide übersponnener Kupferdraht 0,4 mm Durchmesser ungefähr 5000 mal herumgewunden und füllt Name of the Name o selbe Rolle in einem zum ersten senkrechten Durchschnitte dargestellt; eine Ende des Drahtes ist bei e durch eine Durchbohrung der einen beibe hindurchgeführt und in der Klemmschraube c' des Rahmens kk', welcher die Bifilarrolle trägt, befestigt. Das äußere Ende des Drahtes ist ebenso zur Klemmschraube d' geführt. An der Drahtrolle ist der anspiegel ff (Fig. 219) befestigt, indem er durch drei kleine Schrauben, Iche die Stellung seiner Ebene zu korrigieren gestatten, an eine kleine *** singplatte geschraubt ist, welche durch die Fortsätze g an den Scheiben Bifilarrolle befestigt ist. Auf der anderen Seite wird der Spiegel rch ein kleines Gegengewicht h equilibriert, so dass der Schwerpunkt ganzen Vorrichtung in den Mittelpunkt der Axe der Rolle fällt. Die lle wird getragen durch den Träger klkl' (Fig. 219), an welchem zwei "allele Drähte rr' (Fig. 218) befestigt sind, welche oben über die von ander isolierten Rollen un' (Fig. 218) geführt und durch einen Seidenen mit einander verbunden sind. Die Aufhängedrähte können unten dem Halter, an welchem sie ähnlich wie bei dem Bifilarmagnetometer estigt sind, jedoch so, dass sie von einander isoliert sind, einander genähert oder von einander entfernt werden. Mit den Aufhängedrähen

zugleich die Klemmen e' und d' leitend verbunden.

Die feste Multiplikatorrolle yyy (Fig. 218) besteht aus zwi zu tischen Messingplatten mit kreisrundem Loche von 76 mm Durch welche parallel durch eine hohle Messingröhre von 76 mm Durch in einem Abstande von 70 mm gehalten werden. Um diese Röhre mit



den parallelen Platten, ist ein mit Seide übersponnener 0,7 mm Kupferdraht etwa 3500 mal herungewunden. Die obere Seite de tiplikators ist durch den Deckel zzzz (Fig. 218) bedeckt, welche einer mittleren Durchbohrung, durch welche die die Bifilarrolle tree Drähte hindurchgehen, die Messingröhre qq' trägt, in welcher die r bis zu den Rollen n aufsteigen. Die Röhre besteht aus zwei

ander geschobenen Teilen, so daß sie verlängert oder verkürzt werden kann. Die Multiplikatorrolle steht auf dem hölzernen Fußbrett, in welches zwei Löcher a und a' gebohrt sind, um die Enden des Multiplikatordrahtes nach außen zu führen. Die Bifilarrolle schwebt in der Röhre der Multiplikatorrolle, so daß die Ebene ihrer Windungen zur Ebene der Multiplikatorwindungen senkrecht ist. Wie man Fig. 219 sieht, ist der Deckel des Multiplikators seitlich durchbohrt, so daß der horizontale Arm ll' des Trägers durch die Durchbohrungen hindurchgeht und frei in denselben schwingen kann.

Der ganze Apparat wird zum Schutze gegen die Luftströmungen durch ein Mahagonikästchen bedeckt, welches oben eine Öffnung hat, um die Röhre qq' durchzulassen, und an der dem Spiegel der Bifilarrolle gegenüberstehenden Seite eine mit einem Spiegelglase verschlossene Öffnung, durch' welche das Licht von einer Skala auf den Spiegel fällt und von

demselben reflektiert wird.

Der Apparat wird dann so aufgestellt, daß die Ebene der Multiplikatorrolle vertikal und parallel der Ebene des magnetischen Meridianes, die Ebene der Bifilarrolle ebenfalls vertikal, aber senkrecht zur Ebene des magnetischen Meridianes ist. Um die Stellung der Bifilarrolle zu beobachten, wird dem Spiegel derselben gegenüber, wie bei dem Magnetometer, ein Fernrohr mit Fadenkreuz aufgestellt, unter welchem sich eine Skala befindet, deren Spiegelbild im Fernrohr beobachtet wird.

Leitet man nun einen Strom durch die Multiplikatorrolle, dessen Intensität gleich J ist, und einen mit der Intensität J' durch die Bifilarrolle, indem man die Enden der Aufhängedrähte nn (Fig. 218) mit den Polen einer Batterie verbindet, so erteilt der freie Strom dem beweglichen ein zur Ebene des beweglichen Stromes senkrechtes Drehungsmoment, welches nach den vorigen Entwicklungen proportional $J \cdot J'$ ist, oder

$D=a\,J\,J'$

setzen wir J'=b J, so können wir auch schreiben

$D = a b J^2.$

Wird der bewegliche Strom um einen Winkel v abgelenkt, so wirken auf denselben nach entgegengesetzten Richtungen folgende Kräfte ein. Erstens die ablenkende Kraft des festen Stromes, welche den beweglichen dem festen Strome parallel zu stellen sucht, dieselbe ist gleich D. cos v.

Da aber infolge der Ablenkung die Aufhängedrähte nicht mehr parallel sind, und der Schwerpunkt der Bifilarrolle etwas gehoben wird, so erteilt die Direktionskraft infolge der Aufhängung der Bifilarrolle ein Drehungsmoment, welches sie wieder in die frühere Lage zurückzuführen sucht und welches dem Sinus des Ablenkungswinkels proportional ist. Außerdem aber erteilt in später zu betrachtender Weise auch der Erdmagnetismus der Bifilarrolle ein Drehungsmoment, welches ebenfalls dem Sinus des Ablenkungswinkels proportional ist. Dasselbe ist gleichzeitig der Stromstärke in der Bifilarrolle proportional; da es aber, wenn man durch die Bifilarrolle nur schwache Ströme leitet, gegen die andern Kräfte nur klein ist, so können wir dasselbe als konstant betrachten. Bezeichnen wir die Summe der Direktionskraft infolge der Aufhängung und der Einwirkung

des Erdmagnetismus mit M, so ist das die Bifilarrolle zurückdrehende Drehungsmoment gleich M. sin v.

Ist die Bifilarrolle in der abgelenkten Lage im Gleichgewicht, so ist

$$J^{2} a b \cdot \cos v = M \cdot \sin v$$

$$\frac{J^{2} a b}{M} = \tan v.$$

Es muss also die der ablenkenden Kraft proportionale Tangente des Ablenkungswinkels dem Quadrate der Stromstärke proportional sein.

Zur Prüfung dieses Satzes leitete Weber einen Strom durch die Multiplikatorrolle und dann durch die Bifilarrolle; da indes selbst bei Anwerdung von nur einem Groveschen Elemente die Ablenkung der Bifilamde dann so stark wurde, dass sie nicht mehr beobachtet werden komme, wurden, wie Fig. 218 vv zeigt, die Drähte, welche den Strom zur Biskr rolle hin und von ihr fortleiteten, durch einen kurzen Draht verbunden, so dass durch die Bifilarrolle nur ein Zweigstrom ging, dessen Intensität 246,26 des ganzen, also auch des durch den Multiplikatordraht fließenden

Stromes war.

Die Intensität des durch den Multiplikator fliessenden Stromes wurke durch die Ablenkung bestimmt, welche dieser Strom einem Magnetstate erteilt; die Stromstärken sind dann der Tangente des Ablenkungswinkes proportional. Die Ablenkung des Magnetstabes wurde wie bei dem Magnetsmeter und Dynamometer mit Fernrohr und Skala beobachtet.

Die in Skalenteilen gegebene Ablenkung liefert uns die Tangenten der doppelten Ablenkungswinkel; man müste daher eigentlich aus den direkt beobachteten Ablenkungen erst die Tangenten der einfachen Ablenkungswinkel ableiten; da indes die Ablenkungen überhaupt nur klein sind, weichen die Tangenten der Ablenkungswinkel so wenig von der halben Tangenten der doppelten Ablenkungswinkel ab, dass wir ohne weiteres den direkt beobachteten Ablenkungen sowohl die Stromstärke !. als auch das von der festen der beweglichen Rolle erteilte Drehungmoment proportional setzen dürfen.

Aus drei mit möglichster Sorgfalt durchgeführten Beobachtungsreiber erhielt Weber folgende zusammengehörigen Ablenkungen des Magnetstale und Dynamometers:

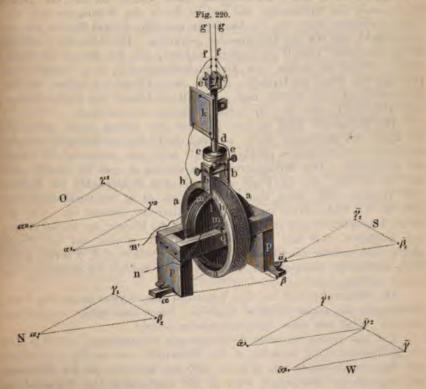
Zahl der l mente	Ele-	Ablenkung des Magnetstabes J	Ablenkung des Dynamometers <i>D</i>
3 Grov. Be	cher	108,426	440,038
2 "	"	72,398	198,255
1 ,,	11	36,332	50, 910.

Ist die Voraussetzung richtig, dass die elektrodynamische Wechselwirkung zweier Ströme dem Produkte der Stromstärken proportional ist dann muß die Quadratwurzel aus den Zahlen der letzten Reihe den Zahlen der zweiten Reihe, welche der Stromstärke des durch die Rollen fließer den Stromes proportional sind, proportional sein, oder die Quadratwurze der Zahlen der letzten Reihe muls, mit einem konstanten Faktor multpliziert, die Zahlen der zweiten Reihe liefern. Das ist in der That der Fall, denn multiplizieren wir die Quadratwurzeln mit 5,15534, so erhalten wir

5,15534 . VD	J	Differenz
108,144	108,426	-0,282
72,589	72,398	+ 0,191
36,786	36,332	+ 0,454.

Die Differenzen zwischen den beobachteten und gefundenen Werten für J sind so klein, daß sie vollständig innerhalb der Grenzen der möglichen Beobachtungsfehler fallen; es folgt also, daß in der That die elektrodynamischen Wechselwirkungen zweier Ströme dem Produkte der Stromstärken proportional sind.

Um die Einwirkung zweier Stromkreise in den beiden anderen vorher bestimmten Lagen und in verschiedenen Entfernungen zu untersuchen und mit den aus der Ampèreschen Theorie sich ergebenden Folgerungen zu vergleichen, gab Weber dem Dynamometer die Einrichtung Fig. 220.



Die Bifilarrolle aa, welche eirea 3000 Windungen Kupferdraht von 0,3 mm Dieke enthält, ist von einer Messingklammer bb gehalten, welche ihrerseits an der unteren der beiden horizontalen Messingscheiben cc befestigt ist. Die untere Messingscheibe ist in ihrer Mitte durchbohrt, und in dieser Durchbohrung ist ein Zapfen befestigt, welchen die obere der beiden Messingscheiben e trägt. Die untere Scheibe und mit ihr die Bifilarrolle kann um den Zapfen gedreht werden, so dass man die Ebene der Bifilarrolle in jedem Azimute feststellen kann, ohne die Aufhängedrähte aus ihrer parallelen Lage zu bringen. Die obere Scheibe e ist an dem vertikalen hölzernen Zapfen d befestigt, an welchem oben eine kleine Gabel sich befindet, in welcher die sehr leicht bewegliche Rolle er liegt. In diese Rolle ist ein Seidenfaden gelegt, welcher an die Aufhängedrähte geknüpft ist. Die Aufhängedrähte sind oben an der Decke des Zimmes an zwei von einander isolierten Rollen von Messing befestigt; von diese gehen zwei Drähte, der eine zu einem Pole der Batterie, der andere zum Kommutator. Zu den Aufhängedrähten führen auch die Enden des un die Bifilarrolle gewickelten Drahtes.

An dem hölzernen Zapfen d ist zugleich ein vertikaler Planspiegel befestigt, auf welchen aus eirea 3,2 m Entfernung ein Fernrohr mit Fadenkreuz gerichtet ist, so daß man das Spiegelbild der unter dem Fernrohr befestigten Skala beobachten kann. Die Multiplikatorrolle besteht aus wei Messingscheiben l, deren Durchmesser etwas kleiner ist als der lichte Durchmesser der Bifilarrolle, und welche durch eine Messingaxe mit ein ander verbunden sind. Um die Axe ist in ungeführ 10 000 Windungen ein Kupferdraht von 0,3 mm Durchmesser gewunden. Die Rolle wird auf ein kleines hölzernes Gestell pp gelegt, welches, um die Ebene der Rolle genau vertikal zu stellen, mit drei Stellschrauben α , β , γ versehen ist Der eine der Füße des Gestelles ist mit einem Charnier versehen, so daß er zurückgeschlagen werden und so der Multiplikator frei in die Bifilarrolle eingeführt, oder aus ihr herausgenommen werden kann.

Die Bifilarrolle wird so gestellt, daß ihre Ebene genau senkrecht zur Ebene des Meridianes steht, während die Ebene der Multiplikatorrolle derjenigen des Meridianes parallel gestellt wird, also senkrecht zur Ebene der Bifilarrolle. Der Multiplikator kann erstens so gestellt werden, daß sein Mittelpunkt, wie die Figur zeigt, mit dem Mittelpunkte der Bifilarrolle zusammenfällt; dann aber auch so, daß er in der Ostwestrichtung oder in der Südnordrichtung von der Bifilarrolle entfernt ist. Um bi diesen letzten Stellungen sieher zu sein, daß die Ebenen der beiden Rolle sich halbieren, daß also $u = 0^{\circ}$ oder 90° ist, werden auf der Tischplatte, über welcher die Bifilarrolle hängt, die Punkte α , β , γ vorher sogfältig aufgesucht und markiert, auf welchen die Spitzen der Stellschraubt stehen müssen.

Die Bifilarrolle wird bei den Versuchen zum Schutze gegen die Lausströmungen von einem Gehäuse umgeben, dessen dem Spiegel gegenüber stehende Wand aus einer Spiegelglasplatte besteht.

Um mit diesem Apparate die Messungen vorzunehmen, stellte Weist die Multiplikatorrolle zunächst in die Bifilarrolle, wie es Fig. 220 zeizund dann in Abstände von 300 bis 600 mm entweder in der Richtwaldes magnetischen Meridianes, oder in die magnetische Ost-Westrichtwal auf die vorher markierten Punkte α , β , γ .

Es wurde dann durch beide Rollen der Strom von 8 Bunsenscha Elementen nach einander hindurchgeführt; nur als die Multiplikatorolle sich in der Bitilarrolle befand, wurde der Strom von 2 Groveschen Ele nenten angewandt. Um die Stromstärke in jedem Falle zu messen, wurde der Strom dann noch ferner durch eine entferntere, vertikal und dem nagnetischen Meridiane parallel gestellte Drahtrolle geführt, welche den Magnetstab eines Magnetometers ablenkte. Die Stromstärken waren auch nier der Tangente des Ablenkungswinkels des Magnetstabes proportional; man konnte aber auch hier wieder die Stromstärke den direkt beobachteten Tangenten der doppelten Ablenkungswinkel proportional setzen.

Bezeichnen wir die Intensität des Stromes in beiden Rollen mit J, so ergiebt die Ampèresche Theorie auch hier wieder die Direktionskraft

der festen auf die bewegliche Rolle

$$D=J^2$$
, K ,

worin die Konstante K abhängig ist von der Größe der Rollen, ihrer Lage gegen und ihrer Entfernung von einander. Ist die Bifilarrolle um den Winkel v aus ihrer Lage abgelenkt, so ist das sie ablenkende Drehungsmoment

$$J^2$$
, K , $\cos v$.

In der abgelenkten Lage wird die Bifilarrolle noch durch zwei Kräfte affiziert, nämlich durch die statische Direktionskraft infolge der Aufhängung, sei dieselbe gleich S, welche die Rolle der frühern Lage wieder zu nähern sucht, und durch die Direktionskraft des Erdmagnetismus, welche je nach der Richtung des Stromes in der Bifilarrolle dieselbe der Gleichgewichtslage wieder zu nähern oder von ihr zu entfernen sucht. Diese Direktionskraft darf bei diesen Beobachtungen, bei welchen die angewandten Stromstärken von 2, resp. 8 Elementen in der Bifilarrolle ziemlich beträchtlich sind, nicht außer Acht gelassen werden. Die Größe dieser Direktionskreft läßt sich, wie Weber gezeigt hat, berechnen; sei sie in Teilen der statischen Direktionskraft gleich s. Das Drehungsmoment, welches die Bifilarrolle aus der abgelenkten Lage infolge dieser Kräfte zurückzudrehen sucht, ist dem Sinus des Ablenkungswinkels proportional, also

$$S(1 \pm s) \cdot \sin v$$

worin das positive Vorzeichen zu nehmen ist, wenn der Strom in der Bifilarrolle an der Westseite des Meridianes aufsteigt.

Ist die Bifilarrolle in der abgelenkten Lage im Gleichgewicht, so ist

$$J^2$$
, K , $\cos v = S\left(1 \pm s\right)$, $\sin v$

$$K \cdot \frac{J^2}{S\left(1 \pm s\right)} = \tan g v,$$

$$\frac{K}{S} = \tan g \cdot v \cdot \frac{(1 \pm s)}{J^2}.$$

Die von Weber beobachteten Werte von tang $v \cdot \frac{1 \pm s}{J^z}$ sind in fol-Sender Tabelle zusammengestellt:

Entfernung der Rollen	Reduzierte Ablenkung des Dynamometers, wenn die I plikatorrolle sich befand von der Bifilarrolle		
20011011	östlich oder westlich	südlich oder nördlich	
0 mm	22960	22960	
300 "	189,93	— 77,11	
400 "	77,45	- 34,77	
500 ,	39,72	— 18,24	
600 ,	22,46		

Betreffs dieser Zahlen ist zu bemerken, das sie den Abstand beobachteten Punkte der Skalen geben, wenn die Bifilarrolle in äussersten Lagen bei abwechselnd entgegengesetzt gerichteten Strö sich befand, das sie also den doppelten Tangenten der doppelten lenkungswinkel, oder da die Ablenkungen immer nur sehr klein sind, vierfachen Tangenten der Ablenkungswinkel proportional sind.

Die negativen Vorzeichen in der letzten Kolunne bedeuten, daß gleicher Stromrichtung in den beiden Rollen der Sinn der Ablenkung entgegengesetzte ist, wenn die Ebene der festen Rolle die beweg halbiert, als wenn die bewegliche die feste Rolle halbiert; dass im e Falle die Rollen sich parallel und so zu stellen suchen, dats der 8 in ihnen im entgegengesetzten Sinne kreist, während im letztern die wegliche Rolle so gedreht wird, dass die Ströme parallel und glei richtet werden. Dass dieses mit der Ampèreschen Theorie übereinsti zeigen unsere Ausdrücke m, und m, indem der erstere das negative letztere das positive Vorzeichen hat; es ergiebt sich aber auch scho einer Betrachtung der Fig. 217. Denn fällt die Verbindungslinie der b Kreismittelpunkte mit der X-Axe zusammen, befindet sich also der Kreismittelpunkte nördlich oder südlich von K, so wird der Kreis K offenbar so ge daß wenn beide parallel stehen, in den einander nächsten Kreiselem die Ströme gleichgerichtet sind, dass also dort, wo die Ströme it zugewandten Kreishälften die Axe der X passieren, dieselben von nach unten fließen. Wie man sieht, durchfließen die Ströme die 1 Kreise dann in entgegengesetztem Sinne.

Befindet sich aber der Kreis K' östlich oder westlich von K, so also R mit der Axe der Y zusammenfällt, so wird der Kreis K s gelenkt, daß bei paralleler Stellung ebenfalls in den einander zu liegenden Teilen des Kreises die Richtung der Ströme dieselbe ist ist aber der Fall, wenn die Ströme die beiden Kreise in demselben durchfließen.

Bei den in Fig. 217 angedeuteten Stromrichtungen dreht sich nach von oben gesehen der Kreis K, wenn u=0 ist, im entgegenges Sinne wie der Zeiger einer Uhr; wenn $u=90^{\circ}$ ist, in demselben wie der Zeiger einer Uhr.

Weber prüfte nun mit seinen Messungen das Ampèresche Gese doppelter Weise.

Zunächst müssen, wie erwähnt, bei gleicher Stromstärke und gleicher Direktionskraft die Tangenten der Ablenkungswinkel,

öme aus verschiedenen Abständen auf einander wirken, den Gleichungen nügen

tang $v = \frac{2A}{R^3} + \frac{B}{R^5}$,

nn die Multiplikatorrolle östlich oder westlich von der Bifilarrolle aufstellt ist; der Gleichung

$$\tan v' = \frac{A}{R^3} + \frac{C}{R^5},$$

an die Multiplikatorrolle sich nördlich oder südlich von der Bifilarrolle indet.

Die in der oben gegebenen Tabelle angeführten Zahlen liefern uns doppelten Tangenten der Ablenkungswinkel, wenn wir sie durch die pelte Entfernung der Skala vom Spiegel dividieren, da die beobachn Werte der doppelten Ablenkung der Bifilarrolle entsprechen.

Berechnet man hiernach die einfachen Ablenkungswinkel, so ergiebt a folgende Tabelle:

Abstand der Rollen R	Ablenkun	gswinkel v	Ablenkungswinkel v'	
	beobachtet	berechnet	beobachtet	berechnet
0,3 m 0,4 ,, 0,5 ,, 0,6 ,,	0° 49′ 22″ 0° 20′ 8″ 0° 10′ 12″ 0° 5′ 50″	0° 20′ 7″	0° 20′ 3″ 0° 9′ 2″ 0° 4′ 44″	0° 20′ 4″ 0° 8′ 58″ 0° 4′ 42″

Nach der Methode der kleinsten Quadrate wurden nun die drei Konanten a, b, c berechnet, und es ergab sich

tang
$$v = 0.0003572 \cdot R^{-3} + 0.000002755 R^{-5}$$

tang $v' = 0.0001786 \cdot R^{-8} + 0.000001886 R^{-5}$.

Wie genau die hiernach berechneten Werte von v und v' mit den Dachteten Werten übereinstimmen, zeigt obige Tabelle.

Eine noch eingehendere und vollständige Prüfung der Ampèreschen eorie führte Weber dadurch aus, dass er die Konstante K in den angeuten Gleichungen für die Verhältnisse des Versuches bestimmte, und in die Ablenkungen der Bisilarrolle darnach berechnete. Wie volladig die beobachteten und berechneten Werte mit einander übereinumen, zeigt folgende Tabelle.

Abstand der Rollen	Ablenkungen der Bifilarrolle, wenn die Multiplikatorrolle sich befand von der Bifilarrolle			
	östlich oder westlich		nördlich oder südlich	
	beobachtet	berechnet	beobachtet	berechnet
0 mm	22960	22680	22960	22680
300 mm	189,93	189,03	— 77,11	— 77,17
400 mm	77,45	77,79	- 34,77	- 34,74
500.mm	39,72	39,37	- 18,24	— 18,31
600 mm	23,46	22,64		\

Die Übereinstimmung ist so vollkommen, dass sie den schönweis liesert, dass das Ampèresche Fundamentalgesetz bei seiner Anvauf geschlossene Ströme durchaus mit der Erfahrung übereinsti Resultate liesert¹).

§. 119.

Webers elektrisches Grundgesetz. Das Ampèresche elek mische Grundgesetz, welches in der Formel für die Wechselwirkung Elemente ausgedrückt ist, ist, soweit man überhaupt von der Wirkschlossener Ströme auf diejenige der einzelnen Elemente zurückschann, das unmittelbare Ergebnis des Versuchs, so zwar, daß man wohl als eine empirische Formel bezeichnen kann. Dasselbe geht Natur der Kräfte, welche diesen Erscheinungen zu Grunde liegen weiter ein, als daß es der Erfahrung gemäß als die Ursache de achteten Erscheinungen die in den Stromleitern fließende Elektric trachtet. In welcher Weise die an den Stromleitern beobachteten nischen Aktionen mit den elektrischen Anziehungen und Abstossun in dem Stromleiter fließenden Elektricitäten zusammenhängen, Ampère nicht zu bestimmen gesucht.

Diese Frage hat sich W. Weber gestellt, er hat die elektrodynar Erscheinungen aus der Wechselwirkung der elektrischen Kräfte abs welche in den galvanischen Strömen auf einander wirken, und so ei trisches Grundgesetz aufgestellt, von welchem die elektrodynamisch wegungen nur ein specieller Fall sind³).

Weber geht dabei auch von den beiden Erfahrungssätzen auzwei Stromelemente, welche in einer geraden Linie liegen, mit welch Richtung zusammenfällt, einander abstoßen oder anziehen, je nachde Ströme in ihnen gleich oder entgegengesetzt gerichtet sind, und dal parallele Stromelemente, welche mit ihrer Verbindungslinie rechte bilden, einander anziehen oder abstossen, je nachdem die Ströme in gleich oder entgegengesetzt gerichtet sind.

Weber nimmt an, wie wir es schon mehrfach auseinanden haben, dats in jedem elektrischen Strome gleichzeitig beide Elektriin gleicher Menge nach entgegengesetzten Richtungen fliefsen.

Wir haben demnach in zwei Stromelementen, die wir betrachter den Gesetzen der elektrischen Anziehungen und Abstossungen vier elek Wechselwirkungen, zwei abstoßende zwischen den beiden positive den beiden negativen Elektricitäten, und zwei anziehende zwische positiven Elektricität des ersten und der negativen des zweiten, zwischen der negativen Elektricität des ersten und der positiven Elekt des zweiten Leiters. Da diese elektrischen Massen aus gleichen Entfern auf einander wirken, so müßte den Gesetzen der Elektrostatik gemi Summe dieser Wirkungen gleich null sein. Denn bezeichnen wir beiden Leitern in dem Element gerade vorhandenen Elektricitäten m

¹⁾ Versuche von Cazin, welche zu dem gleichen Resultate führen man Annales de chim. et de phys. 4. Série T. I.
2) W. Weber, Elektrodynamische Malsbestimmungen. I. Teil. 4.48-

und $\pm e'$, den Abstand der Elemente mit r, so sind nach jenen Gesetzen die Wechselwirkungen dieser Elektricitäten

$$\frac{+e.+e'}{r^2}$$
, $\frac{-e.-e'}{r^2}$, $\frac{+e.-e'}{r^2}$, $\frac{-e.+e'}{r^2}$

Dieselben sind ihrem absoluten Werte nach gleich, zwei haben aber das positive, zwei das negative Vorzeichen; ihre Summe ist daher gleich 0.

Da wir nun aber die elektrodynamischen Erscheinungen der Einwirkung der in den Leitern fließenden Elektricitäten zuschreiben müssen, so folgt, daß die Gesetze der Anziehung und Abstoßung, wie wir sie aus den Wechselwirkungen der ruhenden Elektricität ableiten, nicht auch die Wechselwirkungen der bewegten Elektricität umfassen. Da ferner die beiden oben angeführten Erfahrungssätze uns zeigen, daß die Wechselwirkungen der Elemente um so stärker sind, je geschwinder die Elektricität durch die Elemente strömt, d. h. je größer die Stromintensität ist, so folgt, daß die elektrischen Anziehungen und Abstoßungen auch abhängig sind von den Geschwindigkeiten, welche die elektrischen Massen gegen einander haben. Die Gesetze der Elektrostatik geben uns daher nur einen Grenzfall, nämlich die elektrischen Wirkungen, wenn die gegenseitigen Geschwindigkeiten gleich null sind.

Wir müssen daher zu dem aus der Elektrostatik abgeleiteten Gesetze noch ein Glied hinzufügen, welches von der Geschwindigkeit abhängt,

welche die elektrischen Massen gegen einander haben.

Die erste der beiden angeführten Thatsachen beweist, daß elektrische Massen, welche in entgegengesetztem Sinne bewegt werden, schwächer auf einander einwirken als solche, welche in gleichem Sinne bewegt werden.

Denn wenn die Stromrichtung in beiden Elementen dieselbe ist, so findet Abstoßung statt; folglich müssen die Anziehungen der ungleichnamigen Elektricitäten schwächer sein als die Abstoßungen der gleichnamigen; die ungleichnamigen Elektricitäten bewegen sich aber in diesem Falle nach entgegengesetzten, die gleichnamigen nach denselben Richtungen.

Aus derselben Thatsache läßt sich ferner der Satz ableiten, daß zwei elektrische Massen desto schwächer abstoßend oder anziehend, je nachdem sie gleichartig oder ungleichartig sind, auf einander einwirken, je größer das Quadrat ihrer relativen Geschwindigkeit ist, d. h. der Geschwindigkeit, mit welcher die Elektricitäten sich einander nähern oder von einander entfernen.

Dass die Geschwindigkeit, mit welcher die beiden Elektricitäten sich gegen einander bewegen, von Einflus ist, folgt wie wir sahen daraus, dass die elektrodynamischen Wechselwirkungen von der Stromstärke abhängig sind. Bezeichnen wir den Abstand der elektrischen Massen mit r, und mit dr die Strecke, um welche sie sich in der Zeit dt von einander entfernen, also den Zuwachs des Abstandes r, so ist -dr die Strecke, um welche sie sich einander in derselben Zeit nähern, wenn sie sich gegen einander hin bewegen. Die relativen Geschwindigkeiten sind in dem ersten Falle $\frac{dr}{dt}$, in dem zweiten Falle $-\frac{dr}{dt}$. Da eine Umkehr des Stromes in beiden Elementen die Wirkung derselben auf einander gar nicht ändert, so folgt, dass bei gleicher relativen Geschwindigkeit es gleichgültig ist, ob

die beiden Elektricitäten sich einander nähern, oder von einander entferne. Da somit das Vorzeichen von $\frac{d\tau}{dt}$ keinen Einfluß auf die Größe der Kraft hat, so kann sie nur von einer geraden Potenz der relativen Geschwindig keit abhängig sein; am einfachsten ist daher die Annahme, daß sie sich mit dem Quadrate derselben ändere.

Die Einwirkung zweier elektrischer Massen e und e' in dem Abstade r, wenn sie gegen einander die Geschwindigkeit $\frac{dr}{dt}$ haben, werden wir darnach ausdrücken können durch die Form

$$\frac{e\,e'}{r^2}\left\{1-\alpha\left(\frac{d\,r}{d\,t}\right)^2\right\},\,$$

worin die Vorzeichen von e und e' positiv oder negativ sind, je nachden die Elektricitäten positiv oder negativ sind, und worin α eine Konstant bedeutet.

Dieser Ausdruck spricht aus, dass nach entgegengesetzten Richtungs bewegte, oder überhaupt Elektricitäten, die nicht in relativer Ruhe sind schwächer auf einander einwirken als ruhende, und dass die Schwächung dem Quadrate der relativen Geschwindigkeit proportional ist. Wenn if gleich null wird, so geht dieser Ausdruck in das einfache elektrostatische Gesetz über.

Wenden wir diesen Ausdruck auf den bisher betrachteten Fall, zweit in einer geraden Linie liegender Elemente an, um ihn mit dem durch die Erfahrung bestätigten Ausdruck von Ampère zu vergleichen. Nach der Ampèreschen Formel ist für diesen Fall die Wechselwirkung der Elemente

$$\frac{i\,i'\,d\,s\,d\,s'}{2\,r^2}.$$

Um die völlige Übereinstimmung beider Formeln zu zeigen, bezeichnen wir die Elektricitätsmenge, welche gleichzeitig in der Längeneinheit der Stromleiter vorhanden ist, mit +c resp. +c'. Die in den Elementen gleichzeitig vorhandenen Elektricitäten sind dann +c ds, +c' ds'. No seien die Geschwindigkeiten der Elektricitäten in beiden Leitern u und c. Dann sind die relativen Geschwindigkeiten, also die Geschwindigkeiten mit welchen die Elektricitäten sich von einander entfernen oder einander nähern,

Opschwindigkeiten
$$\frac{dr}{dt}$$

von + e und + e' $u - u'$
 $\frac{e e' \, ds \, ds'}{r^2} \left[1 - \alpha \, (u - u)^{\dagger}\right]$
 $\frac{e e' \, ds \, ds'}{r^2} \left[1 - \alpha \, (u - u)^{\dagger}\right]$
 $\frac{e e' \, ds \, ds'}{r^2} \left[1 - \alpha \, (u - u)^{\dagger}\right]$
 $\frac{e e' \, ds \, ds'}{r^2} \left[1 - \alpha \, (u - u)^{\dagger}\right]$
 $\frac{e e' \, ds \, ds'}{r^2} \left[1 - \alpha \, (u + u)^{\dagger}\right]$
 $\frac{e e' \, ds \, ds'}{r^2} \left[1 - \alpha \, (u + u)^{\dagger}\right]$
 $\frac{e e' \, ds \, ds'}{r^2} \left[1 - \alpha \, (u + u)^{\dagger}\right]$

Die algebraische Summe aller dieser vier Wechselwirkungen ist die rkung der beiden Stromelemente auf einander, für welche der Amesche Ausdruck gilt; diese Summe ist

$$8\alpha \frac{ee'dsds'}{r^2}uu'.$$

Dieser Ausdruck soll dem von Ampère gegebenen identisch gleich sein. Die Stromintensität i in der Formel von Ampère ist proportional der ektricitätsmenge, welche in der Zeiteinheit durch jeden Querschnitt des iters fließt, es ist demnach, wenn a eine Konstante bedeutet,

$$i = aeu, \qquad i' = ae'u'.$$

Darnach wird die Formel von Ampère

$$a^2 \frac{e e' ds ds'}{2r^2} uu'.$$

Die beiden Ausdrücke sind demnach einander vollkommen gleich, wenn r setzen

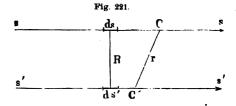
$$8 \alpha = \frac{a^2}{2}, \quad \alpha = \frac{a^2}{16},$$

das der Webersche Ausdruck für die Wechselwirkung zweier Elemente

$$w = \frac{e e'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{a^2}{16} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 \right\}.$$

Dieser Ausdruck reicht indes zur Darstellung der Erscheinungen nicht a, denn nach demselben müßte die Wechselwirkung zweier paralleler emente auf einander gleich 0 sein. Denn sind ds, ds' Fig. 221 die beiden

f einander wirkenden Elemente, die Verbindungslinie ihrer Mittelukte, so sieht man, wie die Irch die Leiter fliessenden Elekcitäten in dem Augenblicke, in Ichem sie die Elemente pasten, sich weder einander nähern, ih von einander entfernen, wie ofür alle Elektricitäten die



ativen Geschwindigkeiten gleich null sind. Nehmen wir an, in beiden tern sei die Stromrichtung dieselbe; die Intensität aber in ss die größere. nach derselben Seite gerichtete Geschwindigkeit der gleichnamigen ktricitäten ist dann in dem Leiter ss die größere.

Zwei elektrische Massen, welche zu gleicher Zeit die Elemente pasren, nühern sich dann bis zu dem Augenblicke, in welchem sie sich in Elementen befinden, von da an entfernen sie sich; in dem Augeneke also, in welchem sie sich in den Elementen befinden, kehrt die ative Geschwindigkeit ihr Vorzeichen um, sie muß also gleich null n. Gleiches gilt für die entgegengesetzten Elektricitäten.

In diesem Falle ändern sich also die relativen Geschwindigkeiten t der Zeit, sie nehmen ab, wenn die Elektricitäten sich nähern, gehen rch Null, wenn sie in den betrachteten Elementen sich befinden, und nehmen wieder zu, wenn sie sich von einander entfernen; Weber i daher an, dass diese Veränderlichkeit der relativen Geschwindigkeit die relative Beschleunigung der auf einander wirkenden elektr. Massen ebenfalls von Einflus auf die Anziehungen und Abstosunge selben sei, und zwar dass diese Kräfte der relativen Beschleunigung portional zunehmen. Ist demnach dv die Größe, um welche die re Geschwindigkeit der elektrischen Massen in der Zeit dt zunimmt, die relative Beschleunigung derselben $\frac{dv}{dt}$, denn dieser Quotient giel die Zunahme der relativen Geschwindigkeit in der Zeiteinheit, wer in jedem Zeitelemente dt ebenso zunähme, wie in dem betrachteten elemente. Die Wechselwirkung zweier bewegter elektrischer Mas und e' im Abstande r ist dann ganz allgemein

$$w = \frac{e \, e'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{a^2}{16} \left(\frac{^6 d \, r}{d \, t} \right)^2 + b \, \frac{d \, v}{d \, t} \right\}.$$

Vergleichen wir wieder diesen Ausdruck mit dem Ampèreschen die Wechselwirkung zweier paralleler Elemente

$$w = -\frac{i \ i' \ ds \ ds'}{R^2} \cdot$$

Seien wieder wie vorher $\underline{+}e$, $\underline{+}e'$ die Elektricitäten in der Län einheit der Leiter, $\underline{+}u$, $\underline{+}u'$ deren Geschwindigkeiten; die in den bei Elementen auf einander einwirkenden Elektricitäten sind dann

$$\pm eds; \pm e'ds'.$$

Um die relativen Geschwindigkeiten und Beschleunigungen zu halten, müssen wir bestimmen, um welches Stück dr sich der Abst der Elektricitäten in der Zeit dt zu irgend einer Zeit t ändert. Le nun die Elektricitäten e und e' in der Zeit t, von dem Momente an rechnet, wo sie die Elemente passieren, den Weg dsC = ut und e' = u't (Fig. 221) zurück, so ist am Ende der Zeit e' der Abstander beiden Elektricitäten gegeben durch

$$CC'^2 = r^2 = R^2 + (u - u')^2 \cdot t^2$$

Wächst t um dt, so wächst r um dr, demnach ist

$$r dr = (u - u')^2 t dt$$

$$r \frac{dr}{dt} = rv = (u - u')^2 t$$

oder

$$v = \frac{(u - u')^2}{r} t.$$

Dieser Ausdruck für die relative Geschwindigkeit der Elektricität läfst schon erkennen, dass in dem Augenblicke, in welchem die Elektricitäten die Elemente passieren, v = 0 ist, denn dann ist t = 0. Vod ist t negativ zu setzen, wie man sieht ist dann auch v negativ, d. b. t Elektricitäten nähern sich einander.

Um die relative Beschlennigung der elektrischen Massen

ander zu erhalten, müssen wir die Geschwindigkeitsänderung dv in dem Zeitelement dt bestimmen; ändert sich in der Gleichung

$$r \cdot v = (u - u')^2 \cdot t$$

t um dt, so andert sich auch der Wert von r um dr, so daß also

$$rdv + vdr = (u - u')^2 \cdot dt$$
$$r\frac{dr}{dt} + v\frac{dr}{dt} = (u - u')^2$$

oder

$$\frac{dv}{dt} = \frac{(u - u')^2}{r} - \frac{v^2}{r}.$$

In dem Augenblicke, in welchem die Elektricitäten die Elemente passieren, ist r = R, v = 0, deshalb

$$\frac{dv}{dt} = \frac{1}{R} \cdot (u - u')^2.$$

Daraus ergiebt sich für die Wechselwirkung der in den Elementen strömenden Elektricitäten

$$+ c \operatorname{auf} + e' \cdots \cdot \frac{e e' \, ds \, ds'}{R^2} \left[1 + \frac{b}{R} \, (u - u')^2 \right] \\
- e_{,,} - e' \cdots \cdot \frac{e \, e' \, ds \, ds'}{R^2} \left[1 + \frac{b}{R} \, (u - u')^2 \right] \\
+ e_{,,} - e' \cdots - \frac{e \, e' \, ds \, ds'}{R^2} \left[1 + \frac{b}{R} \, (u + u')^2 \right] \\
- e_{,,} + e' \cdots - \frac{e \, e' \, ds \, ds'}{R^2} \left[1 + \frac{b}{R} \, (u + u')^2 \right]$$

Die algebraische Summe dieser vier Wirkungen ist

$$w = -8 \frac{b}{R} \frac{e e' ds}{R^2} \frac{ds'}{mu'}.$$

Setzen wir wieder in der Formel von Ampère

$$i = a e u$$
 $i' = a e' u'$,

so wird dieselbe

$$-\frac{a^2 e e' ds ds'}{R^2} uu'.$$

Der Ausdruck von Ampère wird dem aus dem Weberschen Grundgesetze abgeleiteten vollkommen gleich, wenn man

$$b = \frac{a^2}{9} R$$

setzt, so dass also der Ausdruck für die Wechselwirkung zweier bewegten Elektricitätsmengen c und c' ganz allgemein wird

$$w = \frac{e \, e'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{a^2}{16} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{a^2}{8} \, r \, \frac{dv}{dt} \right\},\,$$

wo dann zur Berechnung der Wirkung zweier Stromelemente sowohl c als auch c' sowohl positiv als negativ zu nehmen sind.

Sowie nach der eben gemachten Bestimmung der Konstanten ab sich sofort erkennen lässt, dass die Formel von Weber die beids sonderen Fälle von Ampère einschließt, so lässt sich auch mit einiger Rechnungen leicht zeigen, dass die allgemeine Formel von A in derselben enthalten ist, so dass man in der That die Formel von A als das elektrische Grundgesetz betrachten darf, welches die von A nur aus den Versuchen berechneten Erscheinungen aus den wirt elektrischen Kräften abgeleitet hat.

Den Wert und die Bedeutung der Konstanten a können wir direkt aus der Form des Weberschen Gesetzes erhalten. Nehme nämlich an, dass sich zwei elektrische Teilchen mit konstanter Geseigkeit gegen einander bewegen, so ist in der für die zwischen der chen wirksame Kraft abgeleiteten Gleichung

$$\frac{dv}{dt} = \frac{d\left(\frac{dr}{dt}\right)}{dt} = 0,$$

somit wird

$$w = \frac{ee'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{a^2}{16} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 \right\}$$

die zwischen den Teilchen wirksame Kraft. Wird die relative Gesch keit der Teilchen, also $\frac{dr}{dt}$ so groß, daß

$$1 - \frac{a^2}{16} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 = 0,$$

so üben die Teilchen auf einander gar keine Einwirkung aus, sie sich weder ab, noch ziehen sie sich an. Schreiben wir die letzte Gle in der Form

$$\frac{16}{a^2} = \left(\frac{dr}{dt}\right)^2$$

so folgt, dass $\frac{4}{a}$ jene Geschwindigkeit bedeutet, bei welcher die schen Teilchen sich weder anziehen noch abstossen, bei welcher süberhaupt nicht auf einander einwirken. Bezeichnen wir diese Geschweit mit c, so wird die Webersche Gleichung

$$w = \frac{ee'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{1}{c^2} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{2}{c^2} r \frac{dv}{dt} \right\}.$$

Aus der Form der Weberschen Gleichung würde sich ergebei wenn die Geschwindigkeit, mit welcher sich die Teilchen gegen ei bewegen, größer als c ist, die von denselben auf einander ausg Wirkungen das Vorzeichen ändern, daß die Anziehung in Abstoßung gleichnamiger Elektricitäten in Anziehung übergeht.

Die dem Weberschen Gesetze zu Grunde liegenden Annahme die Wechselwirkung zweier elektrischer Massen nicht allein von Größe oder Entfernung, sondern auch davon abhänge, ob sie sich einander bewegen, ja daß sie selbst von der Art der Bewegung sei, stehen allerdings mit den Grundsätzen der Mechanik, nach 1 die Wirksamkeit einer Kraft durchaus nicht von einer etr Bewegung der Massen, auf welche sie wirkt, abhängig sein kann, in Widerspruch. Indes kann man daraus nicht ohne weiteres schließen, daß das Webersche Gesetz nicht ein wirkliches Grundgesetz, sondern nur eine die Versuche darstellende empirische Gleichung sei. Denn es ist zu beachten, daß der erwähnte Grundsatz der Mechanik keineswegs a priori feststeht, sondern daß derselbe ebenfalls aus der Erfahrung abstrahiert ist, daß er aus der Beobachtung der Einwirkung von Kräften auf ponderable Massen sich ergeben hat, ebenso wie Weber aus der Wirkung der elektrischen Kräfte den Schluß gezogen hat, daß die Wechselwirkung elektrischer Massen auch von deren relativer Geschwindigkeit und Beschleunigung abhänge. Die eine Schlußfolgerung ist so berechtigt wie die andere, so daß die Nichtübereinstimmung dieser Sätze mit denen der Mechanik keinen haltbaren Grund gegen die Einführung dieser Beziehungen abgeben kann.

Man könnte sogar behaupten, dass möglicherweise die von Weber für die Wechselwirkung zweier elektrischer Massen angenommene Abhängigkeit der Kraftwirkung von der relativen Geschwindigkeit und Beschleunigung das allgemeine Gesetz für die Einwirkung zweier Massen auf einander sei, dass aber in der Mechanik die von der Geschwindigkeit und Beschleunigung abhängigen Glieder nur einen verschwindenden Wert haben in Bezug auf das erste von denselben unabhängige Glied, und dass wir deshalb in der Erfahrung nur dieses unabhängige Glied bei der Bewegung ponderabler Massen wahrnehmen 1).

Neuerdings sind indes gegen die Zulässigkeit des Weberschen Gesetzes als eines elektrischen Grundgesetzes von einer anderen Seite her mehrere und zum Teil gewichtige Einwendungen erhoben worden.

Der erste dieser Einwände wurde zunächst wohl von Tait²) ausgesprochen und dann später schärfer formuliert von W. Thomson und Tait³),
daß nämlich das Webersche Gesetz dem Princip von der Erhaltung der
Kraft widerspreche.

Auf den ersten Blick scheint dieser Einwurf allerdings begründet zu sein, da die zwischen den elektrischen Teilchen nach dem Weberschen Gesetze angenommenen Kräfte nicht allein von der Lage der Teilchen abhängig sind, sich also nicht, wenn die Lage der Teilchen durch ihre Koordinaten gegeben sind, als Funktionen dieser Koordinaten darstellen lassen. Das Princip von der Erhaltung der Kraft verlangt nämlich, daß, wenn auf ein System keine äußeren Kräfte wirken, also zwischen den Teilen desselben nur innere Kräfte thätig sind, daß dann die Summe der Energie und der geleisteten Arbeit stets einen konstanten Wert haben muß; wenn also nach beliebigen Änderungen die einzelnen Teile des

¹⁾ Über die Versuche von C. Neumann, Riemann und Betti, den Unterschied der Wirkung strömender und ruhender Elektricität daraus abzuleiten, daß die Fernewirkung nicht momentan erfolge, sondern zu ihrer Ausbreitung durch den Raum Zeit gebrauche, sehe man Clausius, Poggend. Ann. Bd. CXXXV.

2) Tait, Sketch of thermodynamics. Edinburgh 1868. p. 76.

3) Thomson und Tait (Handbuch der theoretischen Physik. Deutsche Aus-

³⁾ Thomson und Tait (Handbuch der theoretischen Physik. Deutsche Ausgabe. Braunschweig 1871. §. 385). Die beiden Autoren erheben noch einen andern Einwand gegen das Webersche Gesetz, nämlich den, daß das Webersche Gesetz zwei elektrische Fluida annehme, während der jetzige Stand unseres Wissens diese Hypothese unmöglich als richtig denken könne, ein Einwurf, auf den wir nachber noch zurückkommen.

Systems wieder in dieselbe Lage kommen und damit ihre Energie wieder dieselbe ist, die Teile des Systems also, wie wir es kurz ausdrücken können, einen Kreisprozels durchlaufen haben, so darf weder Arbeit gewonnen, noch verloren sein. Dass das in der That der Fall ist, wenn die Krifte nur von der gegenseitigen Lage der auf einander einwirkenden Teile des Systems abhängig sind, erkennt man leicht, denn wird in dem Falle durch die Verschiebung der Teilchen in dem einen Sinne Arbeit gewonnen, so wird durch eine gleiche Verschiebung in dem entgegengesetzten Sinne genau dieselbe Arbeit geleistet; bei einem Kreisprozesse, bei dem also die Teile des Systems am Schlusse genau in derselben relativen Lage sind wie beim Beginne, heben sich die entgegengesetzten Verschiebungen und deshalb auch die geleistete und gewonnene Arbeit vollständig auf. Oder um diese Bedingung mathematisch zu formulieren, wenn die wirksames Kräfte nur von der Lage der Teilchen abhängig, also nur Funktionen der Koordinaten sind, dann kann die bei einer unendlich kleinen Verschiebung der Teile des Systems gegen einander geleistete Arbeit als die Different zweier Werte einer Funktion zwischen den Koordinaten, das heißt somit. als das vollständige Differential einer solchen Funktion dargestellt werden, und die Arbeit bei einem geschlossenen Kreisprozesse, die Summe aller der den darin vorkommenden unendlich kleinen Verschiebungen entsprechenden Arbeiten, ist das Integral jenes vollständigen Differentials über eine geschlossene Kurve weg, welches, wie wir schon mehrfach sahen, gleich null ist, weil die Grenzen des Integrals zusammenfallen.

Diese Formulierung der Bedingung, das die zwischen den Teilen eines Systemes thätigen Kräfte dem Princip von der Erhaltung der Energie entsprechen, läst schon erkennen, das es für dieselben keine notwendige Bedingung ist, das sie nur eine Funktion der Koordinaten sind, sondern das es ausreichend ist, wenn für die Kräfte eine Funktion existiert, deren nach irgend einer Richtung gebildeter Differentialquotient die parallel dieser Richtung gerichtete Komponente der wirksamen Kraft liefert, oder mit andern Worten, das für die Kräfte ein Potential existiere. Das diese Bedingung ausreichend ist, ergiebt sich unmittelbar aus den Entwick-

lungen des §. 9.

Denn ist das Potential zweier Massen auf einander gleich W, so ist nach dem Begriffe desselben die parallel der Verbindungslinie wirkende Kraft, wenn die Massen im Abstande r sich befinden,

$$-\frac{dW}{dr}$$

und damit die einer Verschiebung um dr entsprechende Arbeit

$$-\frac{dW}{dr}\,dr = -\,dW.$$

Die einer endlichen Verschiebung von $r=r_0$ bis $r=r_1$ entsprechende Arbeit ist dann

$$-\int_{r_0}^{r_1} dW = W_{r_0} - W_{r_1},$$

un Wro resp. Wr, die Werte des Potentials in den Abständen ro

und r, bedeuten. Fallen nun die Grenzen des Integrals zusammen, ist also $r_0 = r_1$, so ist

$$W_{r_0} = W_{r_1}; \qquad W_{r_0} - W_{r_1} = 0.$$

Die Frage, ob das Webersche Gesetz mit dem Princip von der Erhaltung der Kraft im Widerspruch steht, fällt also damit zusammen, ob die nach demselben zwischen zwei elektrischen Teilchen thätigen Kräfte ein Potential haben oder nicht, als dessen Differentialquotient parallel der Verbindungslinie sich die wirksamen Kräfte parallel dieser Richtung ergeben.

Dass in der That die zwischen zwei elektrischen Teilchen thätigen Kräfte ein Potential haben, ist von W. Weber bereits vor längerer Zeit, fast sofort nach der Aufstellung seines Gesetzes ausgesprochen¹) und später ausführlicher abgeleitet worden²). Das Potential zweier elektrischer Teilchen ist nämlich

$$W \stackrel{\cdot}{=} \frac{ee'}{r} \left\{ 1 - \frac{1}{e^2} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 \right\},\,$$

wenn wir nach der vorhin gemachten Bestimmung der Konstanten $\frac{4}{a} = c$ setzen. In dieser Gleichung sind sowohl r als $\frac{dr}{dt}$ Funktionen der Zeit t. Ebendeshalb können wir auch $\frac{dr}{dt}$ als eine Funktion von r betrachten, das heifst wir können aus r = f(t) durch Auflösen nach t letzteres durch r ausdrücken, und somit auch $\frac{dr}{dt}$ ganz durch einen nur r enthaltenden Ausdruck darstellen Schreiben wir zunächst

$$\frac{dr}{dt} = v$$
,

oder

$$W = \frac{ev'}{r} \left\{ 1 - \frac{1}{e^x} v^x \right\}$$

und beachten, daß, wenn r sich um dr ändert, v sich um dv ändert, so wird in schon oft durchgeführter Weise

$$-\frac{dW}{dr} = \frac{ce'}{r^2} \left(1 - \frac{1}{c^2} v^2 \right) + \frac{ce'}{r} \frac{2}{c^2} v \frac{dv}{dr}$$

oder

$$-\frac{dW}{dr} = \frac{ee'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{1}{c^2} v^2 + \frac{2}{c^2} r v \frac{dv}{dr} \right\}.$$

Setzen wir jetzt wieder

$$v = \frac{dr}{dt}$$

so wird

$$-\frac{dW}{dr} = \frac{ev'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{1}{c^2} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{2}{c^2} r \frac{dr}{dt} \frac{dv}{dr} \right\}.$$

W. Weber, Poggend. Ann Bd. LXXIII. S. 229.
 W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere über das Princip von der Erhaltung der Energie. Abhandlungen der Königl. Sächs. Gesellschaft der Wissenschaften. Mathem. Phys. Abteilung. Bd. X.

In dem letzten Gliede auf der rechten Seite hebt sich dann dr im Zähler und Nenner gegen einander fort, es wird somit

$$-\frac{dW}{dr} = w = \frac{ee'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{1}{c^2} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{2}{c^2} r \frac{dv}{dt} \right\},$$

also genau der für die zwischen zwei elektrischen Teilchen thätige Kraft nach dem Weberschen Gesetze angenommene Wert. Die von Weber zwischen den elektrischen Teilchen angenommenen Kräfte haben somit ein Potential, somit widersprechen sie nicht, wie Thomson und Tait angeben, dem Princip von der Erhaltung der Kraft, es kann durch dieselben bei einem geschlossenen Kreisprozess weder Arbeit gewonnen noch verloren werden.

Von größerem Gewichte sind die Einwürfe, welche v. Helmholtz gegen das Webersche Gesetz erhoben hat¹), nach denen zwar das Webersche Gesetz mit dem Princip von der Erhaltung der Kraft insofern in Übereinstimmung ist, daß durch geschlossene Kreisprozesse nicht Arbeit gewonnen oder verloren werden kann, aber dadurch mit demselben in Widerspruch steht, daß unter Umständen die dem Weberschen Gesetze folgenden elektrischen Massen einen solchen Kreisprozeß überhaupt nicht vollziehen können, indem während desselben die Geschwindigkeiten der auf einander einwirkenden elektrischen Massen unendlich groß werden.

Um das zu zeigen, entwickelt v. Helmholtz aus dem Ausdrucke, welchen das Webersche Gesetz für die wirksame Kraft zwischen zwei elektrischen Teilen liefert, die relative Geschwindigkeit derselben.

Wir wollen zu dem Ende denken, die eine der Massen c' sei fest, die andere c sei an die träge Masse m gebunden und bewege sich parallel der Verbindungslinie der beiden Elektricitäten, deren Abstand gleich r sei. Die wirksame Kraft w, welche zwischen den Elektricitäten thätig ist, können wir durch die der Masse m erteilte Beschleunigung darstellen, indem

$$w = m \, \frac{dv}{dt} \, .$$

Damit wird dann

$$m \frac{dv}{dt} = \frac{ee'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{1}{c^2} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{2}{c^2} r \frac{dv}{dt} \right\}.$$

Multiplizieren wir nun auf beiden Seiten mit vdt, und berücksichtigen, dass

$$v\,dt = \frac{dr}{dt}\,dt = dr,$$

so wird

$$m \, v \, dv = \frac{e \, e^\prime}{r^2} \left\{ 1 - \frac{1}{c^2} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{2}{c^2} \, r \, \frac{dv}{dt} \right\} dr.$$

Wie wir nun vorher bewiesen haben, ist

$$\frac{ev'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{1}{c^2} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{2}{c^2} r \frac{dv}{dt} \right\} dr = -dW,$$

somit wird

$$mvdv = -dW$$
.

¹⁾ v. Helmholtz, Journal für reine und angewandte Mathematik. Bd. LXXII.

Ist nun r_0 die Entfernung der Masse m von e', in welcher die Geschwindigkeit v=0 ist, so erhalten wir die Geschwindigkeit v, wenn wir auf der linken Seite die Summe aller Werte $v \, dv$ von v=0 bis v=v bilden und auf der rechten Seite die Summe aller Werte dW von $r=r_0$ bis r=r. Da nun

$$vdv = \frac{1}{2}d(v^2),$$

so wird

$$^{1}/_{2} mv^{2} = W_{r_{0}} - W_{r},$$

ein Ausdruck, der sich auch ohne weiteres daraus ergiebt, dass die durch eine Bewegung der elektrischen Masse e geleistete Arbeit gleich ist der Differenz der beiden Potentialwerte am Anfang und am Ende des Weges, durch welchen sich die Masse bewegt hat. Wenn nun, wie hier vorausgesetzt ist, die einzige Arbeit die Beschleunigung der Masse m ist, so muß diese Arbeit gleich der lebendigen Kraft der Masse sein, welche auf diesem Wege erreicht ist, also gleich $1/2 mv^2$, wie es die eben abgeleitete Gleichung ergiebt.

Da nun für $r = r_0$ die Geschwindigkeit $v = \frac{dr}{dt} = 0$, so ist

$$W_{r_0} = \frac{ee'}{r_0}$$
,

somit wird

$$^{1}/_{2} m v^{2} = \frac{e e'}{r_{0}} - \frac{e e'}{r} \left(1 - \frac{1}{c^{2}} v^{2}\right)$$

und wenn wir diese Gleichung nach v auflösen

$$v^{2} = \left(\frac{dr}{dt}\right)^{2} = \frac{\frac{ee'}{r_{0}} - \frac{ee'}{r}}{\frac{1}{2}mc^{2} - \frac{ee'}{r}} \cdot c^{2},$$

oder auch

$$v^2 = \frac{r - r_0}{\frac{1}{2} \frac{m c^2}{r^2} \cdot r - 1} \cdot \frac{1}{r_0} \cdot c^2$$
.

Setzen wir nun

$$\frac{1}{2} \frac{m c^2}{e e'} = \frac{1}{o}$$

so wird

$$v^2 = \frac{r - r_0}{r - \varrho} \cdot \frac{\varrho}{r_0} \cdot c^2 \quad . \quad . \quad . \quad . \quad (I)$$

In diesem Ausdrucke hängt der Wert r_0 , für welchen v=0 wird, wesentlich ab von der Geschwindigkeit, welche die Masse in irgend einem Abstande zur Zeit t=0 besitzt, die ihr also durch äußere Kräfte erteilt wird; während dann die Masse m sich mit der ihr erteilten Anfangsgeschwindigkeit von dem anfänglichen Abstande aus bis zur Entfernung r_0 bewegen würde, würde die Geschwindigkeit auf 0 abnehmen. Die Größe dieser Entfernung r_0 ergiebt sich aus der Gleichung für v^2

$$r_0 = \frac{r}{1 + \frac{v^2}{c^2} \frac{r - \varrho}{\varrho}}.$$

In der Gleichung für v^2 und r_0 können wir auch ϱ als eine gewisse sehr kleine von den auf einander wirkenden Elektricitätsmengen und der bewegten Masse m bedingte Entfernung auffassen, dieselbe wächst proportional ee' und nimmt ab proportional der Masse m, ist also jedenfalls sehr klein.

Denkt man sich nun in einer Entfernung r der beiden elektrischen Massen, die wir uns als gleichnamig denken wollen, welche kleiner ist als ϱ , der mit der Elektricität e versehenen Masse m eine solche Geschwindigkeit erteilt, daß der Abstand r_0 , dem die Geschwindigkeit v=0 entspricht, größer ist als ϱ , so wird, da man Gleichung (I) schreiben kann

$$v^{2} = \frac{\frac{r}{r_{0}} - 1}{\frac{r}{\varrho} - 1} c^{2} = \frac{1 - \frac{r}{r_{0}}}{1 - \frac{r}{\varrho}} c^{2}$$

für alle Werte von r, welche kleiner sind als ϱ , der Wert v^2 positiv, somit v reell. Die Gleichung zeigt gleichzeitig, dass dann die anfängliche der Masse m erteilte Geschwindigkeit, da

$$\frac{r}{r_0} < \frac{r}{\varrho}$$

größer sein muß als die Geschwindigkeit c, bei welcher die Elektricitäten nicht auf einander einwirken.

Ist die der Masse m erteilte Geschwindigkeit gegen die elektrische Masse e' gerichtet, also v negativ, so wird r kleiner, somit nähert sich sowohl Nenner wie Zähler des Ausdruckes für v^2 dem Werte eins, die Geschwindigkeit nimmt also ab und nähert sich dem Werte e^2 .

Wenn dagegen die der Masse m erteilte Geschwindigkeit von der Elektricität e' fortgerichtet ist, so vergrößert sich r, damit wächst e und zwar wird v unendlich, wenn $r=\varrho$ wird. Es würde somit, während die Masse m einen endlichen Weg $\varrho-r$ zurücklegt, die Geschwindigkeit der Masse bis ins Unendliche wachsen, somit bei Zurücklegung eines endlichen Weges eine unendlich große Arbeit geleistet.

Zu demselben Resultate gelangt man, wenn man der Masse m in einem Abstande r, der größer als ϱ ist, eine gegen die Elektricität ℓ' hin gerichtete Geschwindigkeit giebt, so daß die Geschwindigkeit in einem Abstande $r_0 < \varrho$ gleich null sein würde. Auch diese Geschwindigkeit ℓ' muß größer sein als c, wie man erkennt, wenn man die Gleichung für auf die Form bringt

$$v^2 = \frac{\frac{r}{\varrho} - \frac{r_0}{\varrho}}{\frac{r}{\varrho} - 1} \frac{\varrho}{r_0} c^2,$$

in dieser Gleichung sind, da $\frac{r_0}{\varrho} < 1$, in den Koefficienten der rechten Seite beide Zähler größer als die Nenner.

Ist nun die Geschwindigkeit der Masse m gegen die Elektricität ℓ gerichtet, so wird r kleiner; damit wächst v^2 , und wenn $r = \varrho$ geworden ist, wird v^2 unendlich groß.

Es würde also unter gewissen Umständen nach dem Weberschen stze auf einem endlichen Wege eine unendliche Arbeit geleistet werden zen, was dem Princip von der Erhaltung der Kraft widerspricht.

Dagegen bemerkt Weber¹), dass hier zwei elektrische Teilchen anmmen werden, die sich zwar mit endlicher Geschwindigkeit zu been beginnen, die aber größer sein muß als die sehr große Geschwineit c, von der wir nachweisen werden, dass sie nach den bis jetzt
iegenden Messungen 439450 km in der Sekunde beträgt. Der Fall,
zwei Körper mit solcher Geschwindigkeit sich gegen einander bewe, sei nirgends in der Natur nachzuweisen, bei allen praktischen Andungen des Gesetzes pflege man vielmehr $\frac{v^2}{c^2}$ immer als einen sehr
nen Bruch anzunehmen.

Weiter bemerkt dann Weber, dass nach Helmholtzs Einwurf ein Gesetz Gesetze von der Erhaltung der Kraft widerspreche, wenn zwei Teilchen, sich demselben gemäs bewegen und mit endlicher Geschwindigkeit innen, in endlicher Entfernung von einander unendlich große lebenKraft erreichen, und also eine unendlich große Arbeit leisten.

Es scheine hierin der Satz ausgesprochen zu sein, das nach dem etze der Erhaltung der Kraft zwei Teilchen überhaupt niemals unende lebendige Kraft besitzen können.

Denn man würde offenbar obigen Satz auch umkehren und sagen nen:

Ein Gesetz widerspricht dem Gesetze der Erhaltung der Kraft, wenn i Teilchen, die sich demselben gemäß bewegen und mit unendlicher chwindigkeit beginnen, in endlicher Entfernung von einander endliche ndige Kraft erreichen, und also einen unendlich großen Verlust an eit, die sie leisten können, erleiden.

Die beiden Teilchen müsten also immer unendliche Geschwindigkeit Iten, denn haben sie dieselbe in keiner noch so großen endlichen ernung verloren, so werden sie dieselbe nach der Natur der Potenauch darüber hinaus niemals verlieren. Körper aber, die sich immer unendlich großer Geschwindigkeit gegen einander bewegen, sind von Bereiche unserer Forschungen ausgeschlossen.

Besitzen aber zwei Teilchen immer nur endliche lebendige Kraft, so se einen endlichen Grenzwert der lebendigen Kraft geben, den sie tals überschreiten; es ist dann möglich, daß dieser Grenzwert für elektrische Teilchen jener ist, bei welchem das Quadrat der Gezindigkeit, mit der sich beide Teilchen gegen einander bewegen, ch c^2 ist.

Wird die eben angedeutete Grenzbestimmung der lebendigen Kräfte as Gesetz der Erhaltung der Kraft aufgenommen, so dürfe man, meint ber, eine solche ebenso gut in das elektrische Grundgesetz aufnehmen, Bedingung nämlich, dass das Potential der elektrischen Kräfte

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Massbestimmungen, insbesondere über das cip von der Erhaltung der Energie. Abhandlungen der Königl. Sächs. Gechaft der Wissenschaften, Mathem. Phys. Abteilung. Bd. X.

$$W = \frac{ee'}{r} \left\{ 1 - \frac{1}{c^2} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 \right\}$$

nur einen positiven Wert haben könne.

Zweitens bemerkt Weber gegen die Einwendung von Helmholt die Entfernung

 $\varrho = \frac{2ee'}{mc^2}$

eine in unsern Massen unangebbar kleine Entsernung sei, da mit gegen e und e' jedenfalls sehr groß sei. Es wäre deshalb e eine kulare Entsernung, und alle Bewegungen in solchen Entsernungen Molekularbewegungen, deren Kenntnis uns noch vollständig abgeht Zweisel an der Richtigkeit des Weberschen Gesetzes, von Molekula gungen hergenommen, habe demnach keine Berechtigung.

Gegenüber den Einwendungen Webers hat dann Helmholtz spät zeigt¹), daß die Annahme einer Geschwindigkeit v > c als Anfar Bewegung gar nicht erforderlich sei, sondern daß, wenn man eine Kraft zu Hilfe nimmt, die Masse m bei dem Ausgange von einer bigen Entfernung r mit der Geschwindigkeit null, auf dem Wege eine unendlich große Geschwindigkeit erhalte. Wir nehmen wie die Elektricität e' sei fest, e sei mit der ponderabeln Masse m verlund befinde sich ruhend im Abstande e. Die beiden Elektricitäten sich dann ab; nun wirke aber auf die Masse e eine sie gegen treibende Kraft, welche größer sei als die abstoßende der beider tricitäten, so daß die Masse e eine gegen e' hin gerichtete, als negative Beschleunigung bekommt. Wir erhalten dann für diese Be nigung die Gleichung

$$\frac{dv}{dt} = \frac{ee'}{r^2} \left(1 - \frac{1}{c^2} v^2 + \frac{2}{c^2} r \frac{dv}{dt} \right) - R,$$

somit

$$m\left(1-\frac{2ee'}{mc^2r}\right)\frac{dv}{dt}=\frac{ee'}{r^2}\left(1-\frac{1}{c^2}v^2\right)-R,$$

oder, wenn wir wieder

$$\frac{2ee'}{mc^2} = \varrho$$

setzen,

$$\frac{dv}{dt} = \frac{\frac{e\,e'}{r^2}\left(c^2-v^3\right)-c^2\,R}{c^2\,m\left(1-\frac{\varrho}{r}\right)}.$$

Wie man sieht, ist diese Beschleunigung, wenn bei dem Begin Bewegung, bei dem v = 0, $R > \frac{ce'}{r^2}$ negativ, so lange $r > \varrho$, und die Beschleunigung auf dem Wege $r - \varrho$ bis ins Unendliche. Est also hiernach auf einem endlichen Wege durch endliche Kräfte die

¹⁾ v. Helmholtz, Journal für reine und angewandte Mathema

liche Beschleunigung hervorgebracht, also eine unendliche Arbeit istet.

In Bezug auf die Bedeutung dieses Einwurfs von Helmholtz ist nun Frage von entscheidender Wichtigkeit, ob denn, wie Weber schon ersten Einwurfe gegenüber bemerkte, die Entfernung ϱ eine molekuist oder nicht. In Bezug darauf bemerkt v. Helmholtz, daß der Wert ϱ :

$$\varrho = \frac{2 \, e \, e'}{m \, c^2}$$

zwei Faktoren abhängt, nämlich von dem Faktor

$$\frac{2e}{mc^2}$$

der Menge e' der von uns als ruhend gedachten Elektricität. Wenn auch der erste Faktor unzweifelhaft sehr klein ist, so kann doch andere sehr groß sein. Denken wir uns die Elektricitätsmenge e' auf Oberfläche einer Kugel verbreitet, und sei bei einer gewissen Menge zelben $\varrho = \varrho_0$. Nun werde die Elektricitätsmenge die nfache und sei elbe mit der gleichen Dichtigkeit wie vorher auf einer Kugel veritet, so wird der Radius dieser Kugel \sqrt{n} , dagegen $\varrho = n\varrho_0$. Wie zieht, wächst ϱ viel rascher als der Radius der Kugel; würde n so is sein, daß \sqrt{n} dagegen klein wäre, so würde die auf der Kugel zeilte Elektricität auf eine im Abstand ϱ von dem Mittelpunkte der gel vorhandene Menge e so wirken, wie wenn sie im Mittelpunkte der gel konzentriert wäre, die Einwirkung würde also wie die zweier elekter Teilchen sein, somit dem Weberschen Gesetze folgen, während ϱ sehr große Entfernung wäre.

Darnach würde also die aus dem Weberschen Gesetze sich ergebende sulässige Folgerung nicht auf molekulare Entfernungen beschränkt, sos das Webersche Gesetz nicht haltbar sein.

Es ist indes dabei nicht außer Acht zu lassen, daß wir nicht wissen, die v. Helmholtzschen Annahmen über die Größe von e', durch welche φ endlich meßbare Entfernung wird, physikalisch möglich sind, das st also, ob bei dem jedenfalls unmeßbar kleinen Werte des Faktors der Faktor e' einen solchen Wert annehmen kann, daß φ mehr als molekulare Entfernung wird.

Wenn man das aber zugeben will, so würde, wie W. Weber bemerkt¹), elektrische Teilchen e', dem in der ganzen Weberschen Auffassung molekulare Dimensionen beizulegen sind, etwas ganz anders sein als was wir ein Molekül oder Atom nennen. Man sieht, sagt Weber, at ein, daß wenn man statt der in der Natur wirklich vorhandenen peratome mit unmeßbar kleinen Massen Atome mit Weltkörpermassen denken will, selbstverständlich die Molekulardistanzen in dieser geten Welt nicht so unmeßbar klein sein werden, wie in der wirken Welt.

Es kann natürlich hier nicht unsere Aufgabe sein, die Diskussion,

¹⁾ W. Weber, Poggend. Ann. Bd. CLVI.

welche sich an die angeführten und einige weitere auf einer Basis sich gründende Einwürfe geknüpft hat¹), ausführlich de um so mehr, da die ganze Diskussion eine rein theoretische ist, bisher noch keine einzige Beobachtung ergeben hat, welche den schen Gesetz widerspräche. Auch die kurze Besprechung der beid Einwürfe von v. Helmholtz hat nur den Zweck, auf die Korwelche sich über das Webersche Gesetz erhoben hat, hinzuweise

Von Helmholtz verwarf mit dem Weberschen Grundgesets zeitig das Ampèresche Fundamentalgesetz. Statt dessen nahm Grundlage der mathematischen Behandlung der elektrodynamis scheinungen, ohne einen Versuch zu machen, die elektrodynamis elektrostatischen Erscheinungen mit einander zu verknüpfen, das mann für zwei geschlossene Ströme entwickelte Potential (§. 1.

$$W = -\frac{1}{2}ii' \int \int \frac{\cos s}{r} \, ds \, ds',$$

indem er die Annahme machte, das ebenso wie zwei Ströme : Elemente ein Potential haben, oder das das Potential zweier ges Ströme die Summe der Potentiale der einzelnen Elemente sei. dann aber nicht einfach als Potential zweier Elemente den dessen über beide Ströme genommene Summe das Neumannsche ist, also nicht

$$P = -A^2 i i' \frac{\cos \epsilon}{r} ds ds',$$

worin wir anstatt des Koefficienten $\frac{1}{2}$ einsetzen A^2 , um eine Einheit der Stromstärke anwenden zu können, sondern einen all Ausdruck, der außer dem oben hingeschriebenen noch Gliede die bei Integration über geschlossene Ströme verschwinden. v. Helmholtz gegebene Ausdruck für das Potential zweier enthält außer dem Winkel, den die Elemente mit einander bil die Winkel, welche die Elemente mit der Verbindungslinie b wir früher mit ϑ und ϑ' bezeichneten, er ist

$$P = -\frac{1}{2} A^2 i i' \frac{1}{r} \left\{ (1+k) \cos \varepsilon - (1-k) \cos \vartheta \cos \vartheta' \right\} d$$

worin k eine Konstante bedeutet, welche gleich 1 gesetzt das zw verschwinden läst, und den aus dem Neumannschen Potentiale gebenden Wert des Potentials liesert, wenn man annimmt, das zweier geschlossener Ströme sei die Summe der Potentiale der Elemente.

Die Annahme, dass die Stromelemente ein Potential haben, nicht nur eine neue Form der mathematischen Behandlung, sie

2) v. Helmholtz, Journal für reine und angewandte Mather Bd. LXXV, Bd. LXXVIII.

¹⁾ Man sehe außer den schon erwähnten Abhandlungen von r. und W. Weber noch des letztern Abhandlung in Wiedem. Ann. Bd. IV Anzahl Abhandlungen von C. Neumann in den Berichten und Abhandl Königl. Sächs. Gesellsch. der Wissenschaften aus den Jahren 1871-Poggend. Ann. Bd. CLV.

mehr ganz andere Annahmen über die Wechselwirkung zweier Elete ein, als diejenigen von Ampère oder auch die allgemeineren von
an sind. Außer translatorischen Anziehungen und Abstoßungen der
achte ergeben sich daraus auch drehende Kräfte für die einzelnen
mente, also Kräfte, welche an den Endpunkten derselben angreifend
Kräftepaar bilden, somit die Elemente in bestimmte Richtung zu
en suchen.

Trotzdem ergiebt sich aus der Art, wie das Potential gebildet ist, die Helmholtzsche Theorie für geschlossene Ströme zu ganz denen Resultaten führen muß, wie die Amperesche, da eben für zwei blossene Ströme die Integration das Neumannsche Potential liefert. bei nicht geschlossenen Strömen sind die aus der v. Helmholtzschen prie sich ergebenden Folgerungen verschieden.

Auch über die Zulässigkeit der v. Helmholtzschen Theorie hat sich eine afte Diskussion erhoben 1), wir gehen darauf nicht ein, da nach Vernen über das Verhalten von Stromenden, beziehungsweise über das Veren elektrisierter Spitzen 2), sowie dasjenige mechanisch bewegter Elektätä 3), deren Resultate dem elementaren Potentialgesetz widersprechen, Ielmholtz das elementare Potentialgesetz als nicht zuläfsig, wenigstens unvollständig anerkannt hat.

Kinen ganz andern Einwurf gegen das Webersche Gesetz hat Clauerhoben, er weist darauf hin, dass das Webersche Gesetz wesentlich der Anschauung fuße, daß in dem elektrischen Strome sich beide tricitäten mit gleicher Geschwindigkeit nach entgegengesetzten Richgen bewegen, denn nur unter dieser Voraussetzung führe das Weber-Gesetz zu dem erfahrungsmäßig feststehenden Resultate, daß ein elekther Strom auf eine ruhende Elektricitätsmenge keinen Einfluß habe. me man an, dass in dem Strome nur eine Elektricität sich bewege, ei demnach das Webersche Gesetz nicht richtig. Clausius glaubt, daß Auffassung des Stromes als eines Doppelstromes positiver und nega-Elektricität eine zu komplizierte sei, und dass sie durch die Ande der Strömung nur einer Elektricität zu ersetzen sei. Er hat desein neues elektrodynamisches Grundgesetz entwickelt, welches von Iben Grundanschauung wie das Webersche ausgeht, nämlich, daß bee elektrische Teilchen anders auf einander einwirken als ruhende. In Beziehung geht er sogar noch einen Schritt weiter als Weber, indem e von Weber festgehaltene Annahme fallen läßt, daß die elektrischen hen nur parallel ihrer Verbindungslinie wirken, er nimmt vielmehr class bei bewegten Teilchen auch eine Komponente in die Bewegungs-

¹⁾ Man sehe C. Neumann, Berichte der Königl. Sächs. Gesellsch. der Wissenten zu Leipzig vom 3. Aug. 1872 und vom 8. Aug. 1874. Poggend. Ann. LIV. Riecke, Göttinger Nachrichten von 1872, Zöllner, Poggend. Ann. LIII, Bd. CLIV, Bd. CLVIII. Herwig, Poggend. Ann. Bd. CLIII. v. Helm-Monatsberichte der Berliner Akad. Febr. 1873; Poggend. Ann. Bd. CLIII. 2) v. Helmholtz, Mitteilung der Versuche von Schiller, Poggend. Ann. CLVIII.

³⁾ v. Helmholtz, Mitteilung der Versuche von Rowland, Poggend. Ann.

⁴⁾ Clausius, Journal für reine und angewandte Mathematik Bd. LXXXII.

richtung fallen könne. Indem Clausius im übrigen mit Weber as daß die Wirkung bewegter Elektricität von den Geschwindigkeit Beschleunigungen abhängt, bestimmt er die zur Darstellung der I kung zweier elektrischer Teilchen erforderlichen Funktionen mit H Sätze über die Einwirkung geschlossener Ströme auf einander uruhende Elektricität, welche erfahrungsmäßig feststehen. Er schließlich zu dem Resultate, daß ebenso nach diesen Annahmen wienen von Weber zwischen zwei bewegten elektrischen Teilchen ein tial bestehe, welches folgende Form hat

$$W = \frac{\epsilon \, \epsilon'}{r} (1 + K v \, v' \cos \epsilon)$$

worin K eine Konstante, v und v' die absoluten Geschwindigkei elektrischen Teilchen e und e', und ε den Winkel bedeuten, wek Bewegungsrichtungen der elektrischen Teilchen mit einander bild

Der wesentliche Unterschied des aus den Entwicklungen von sich ergebenden Potentials und des Weberschen ist hiernach der, dem Weberschen Potential nur die relativen Geschwindigkeiten de elektrischen Teilchen und zwar nur in soweit, als sich durch diese Abstand derselben ändert, eingehen, während Clausius die absoh schwindigkeiten der Teilchen enthält. Was diese absolute Gesc keit sein soll, definiert Clausius genauer²), indem er aussprie er annehme, dass die Wechselwirkung zwischen zwei Teilchen d zwischen denselben befindliches Zwischenmedium vermittelt wer dieser Annahme darf man von zwei Teilchen, welche sich mit Geschwindigkeit nach gleicher Richtung bewegen, also relativ zu in Ruhe sind, nicht erwarten, dass sie sich ebenso verhalten wirklich ruhende Teilchen, denn während die letztern nicht nu zu einander, sondern auch relativ zu dem Medium ruhen, befin die erstern relativ zu dem Medium in Bewegung. Die absolt schwindigkeiten von Clausius bedeuten demnach die relativen Gesc keiten gegenüber dem Medium, welches die elektrischen Wirkun mittelt, sind also nur in dem Falle absolute Geschwindigkeiten, w sich das vermittelnde Medium als ein absolut ruhendes denkt. man an, dass dieses Medium mit der Erde sich bewege, würden schwindigkeiten v und v' diejenigen relativ zur Erde sein. Letz nahme würde nach den Entwicklungen von Fröhlich notwendig

Clausius' Einwurf gegen das Webersche Gesetz zweifelt, wie m nicht die Zuläsigkeit desselben an, weil dasselbe festgestellten Erft thatsachen oder allgemein anerkannten Principien widerspräche, weil dasselbe eine specielle Voraussetzung über die Natur des ele Stromes macht; in dem Sinne ist das Gesetz von Clausius allg

¹⁾ Clausius, a. a. O., ferner Wiedem. Ann. Bd. I, Mechanische theorie II. Bd. Wiedem. Ann. Bd. XI.

²⁾ Clausius, Poggend. Ann. Bd. CLVI. Wiedem. Ann. Bd. X. Clausiussche Grundgesetz sehe man auch Zöllner, Poggend. Ann. Wiedem. Ann. Bd. II. Clausius, Wiedem. Ann. Bd. II. Fröhlich, Wied Bd. IX, Bd. XII. Lorberg, Journal für reine und angewandta Bd. LXXXIV.

nach demselben kann das Geschwindigkeitsverhältnis der beiden Elek-Eten ein ganz beliebiges sein. Die Voraussetzungen, auf denen das to von Clausius beruht, sind indes ohne Zweifel komplizierter als welche Weber seiner Entwicklung zum Grunde legt, denn für die ricklungen von Clausius ist die Annahme eines die elektrischen Kräfte ittelnden Mediums erforderlich, da nur bei Annahme eines solchen inführung der absoluten Geschwindigkeiten zulässig ist; dieses Medium en nicht die Faradayschen Dielektrica sein. Noch aus einem andern de muss, wie Riecke in einer sehr interessanten Abhandlung über ponderomotorische Elementargesetz der Elektrodynamik¹) nachweist, s Zwischenmittel von Clausius angenommen werden. Riecke zeigt lich, daß das Clausiussche Gesetz, soweit es sich nur auf die Wechselung der elektrischen Teilchen erstreckt, gegen das Princip der Gleichvon Aktion und Reaktion verstöfst. Der schwerwiegende Einwand, arkt Riecke, welcher sich hieraus gegen das Gesetz von Clausius ben würde, wird dadurch gehoben, dass dasselbe ein fragmentarisches tz ist, da nach der Vorstellung von Clausius die Wechselwirkung zweier trischer Teilchen keine unmittelbare ist, sondern vermittelt wird durch unbekanntes den Zwischenraum zwischen denselben erfüllendes Medium: Gesetz von Clausius bestimmt nur die auf die elektrischen Teilchen ltierende Wirkung und lässt die auf jenes vermittelnde Medium wirden Kräfte ganz unbestimmt.

Bei der Wahl zwischen dem Grundgesetze von Weber und dem von isius kann man nur die Frage stellen, da beide auf Hypothesen been, beide die Erfahrungsthatsachen gleich gut wiedergeben, durch welder beiden Gesetze wird unser Causalitätsbedürfnis am besten befrie-, welches ist also das einfachere. Diese Frage wird der eine so, der ere anders entscheiden, ich kann mich da nur für das Webersche Gesetz sprechen, da, wie Riecke in der oben angeführten Abhandlung ganz tig sagt, das Gesetz von Weber die elektrodynamischen Erscheinungen von bekannten Verhältnissen abhängig macht, während das Gesetz Clausius eines vermittelnden Körpers bedarf, von dessen Existenz und nschaft wir nicht die mindeste Kenntnis besitzen. Selbst wenn wir ligt wären, die Webersche Auffassung des Stromes aufzugeben, daß emselben beide Elektricitäten mit entgegengesetzt gleicher Geschwineit sich bewegen, fragt es sich immer noch, ob die sich dann aus selben ergebenden Wirkungen zwischen einem ruhenden Strom und ruhenden Elektricitätsmenge von einer solchen Größenordnung sind, sie beobachtet werden können. Würde sich so ein Widerspruch zwischen Weberschen Gesetze und der Erfahrung ergeben, so müßte dasselbe tverständlich aufgegeben werden. Bis dahin ist dasselbe beizubehalten.

§. 120.

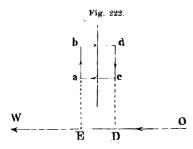
Richtung der Ströme unter dem Einflusse der Erde. Wir haben its im §. 114 erwähnt, daß ein einfacher in Form eines Vierecks oder s Kreises gebogener Leiter, am Ampèreschen Gestelle aufgehängt, eine

Riecke, Abhandl, der Königl. Gesellschaft der Wissenschaften zu Göten Bd. XXIV. Göttingen 1879.

bestimmte Lage annimmt; er stellt sich so, daß seine Ebene senk zur Ebene des magnetischen Meridians, und daß der Strom an de seite des Meridians aufsteigt, daß also in dem untersten horizontal der Strom von Osten nach Westen fließt, oder das von Norden he sehen die Richtung des Stromes entgegengesetzt ist der Richtung wegung eines Uhrzeigers¹).

Man kann diese Einstellung einer Stromebene schon bei Anw eines einfachen Leiters beobachten; leichter sieht man es aber, we anstatt eines Leiters einen Stromkreis anwendet, welcher wie t Weberschen Dynamometer aus einer großen Zahl von Windunger sponnenen Kupferdrahtes besteht; auf die Webersche Bifilarrolle wir sahen, bei noch nicht sehr starken Strömen die Direktionskraf den Einfluss der Erde ziemlich bedeutend. Dieser Direktionskraft musste bei dem Dynamometer die Bifilarrolle stets so gehängt werd in ihrer Gleichgewichtslage die Ebene derselben senkrecht zur Eb magnetischen Meridianes war. Mit Hilfe dieser Direktionskraft ist leicht zu erkennen, ob die Ebene der Bifilarrolle senkrecht zur Et Meridians ist; denn leitet man durch dieselbe einen Strom, währen den Multiplikator kein Strom geht, so wird sich infolge dieser Dir kraft die Stellung der Rolle sofort ändern, wenn die Ebene der Rol zum Meridiane senkrecht ist, sie wird je nach der Richtung des der senkrechten Stellung näher gebracht oder von ihr entfernt.

Dieser Einflus der Erde auf die Stellung von Ebenen, welgalvanischen Strömen umflossen werden, ist so, als wenn die E einem Strome in der Richtung vom magnetischen Osten nach dem tischen Westen umflossen würde. Denn denken wir uns einen Stro Fig. 222 und über demselben ein von einem Strome umflossenes



um eine zu OW senkrechte Axe das zugleich so weit von OW ist, daß sein Durchmesser gegen Gernung verschwindend klein ist, durch die Einwirkung des Strom dem Quadrat abcd keine translaßewegung erteilt werden, da die Seite desselben von OW ebenso st gezogen wird, als die obere abgwird. Die Seite ab des Quadrataber nach dem Verhalten ber

gegen unbegrenzte Ströme einen Antrieb gegen W hin erhalten, Teil EW die Seite ab anzieht, der Teil EO dagegen die Seite stößt; die Seite cd erhält einen ebenso starken Antrieb gegen da DO diese Seite anzieht, DW sie aber abstößt. Wenn desk Ebene des Quadrates nicht mit der durch OW gelegten Vertikaleb sammenfällt, so wirken diese Kräfte als ein Paar, welches das in die durch WO gelegte Vertikalebene zu bringen sucht, so daß gegen W gelegenen Seite der Strom aufsteigt, in der gegenüberlie Seite dagegen der Strom absteigt.

¹⁾ Ampère, Annales de chim. et de phys. T. XV.

Da wir nun sehen, daß ein um eine vertikale Axe drehbar aufgehängter comkreis sich stets senkrecht zum magnetischen Meridiane und so zu stellen iht, daß an der Westseite des Meridianes der Strom aufsteigt, so folgt, s das Verhalten der Ströme so ist, als wenn in der magnetischen Ost-

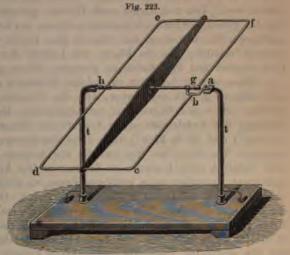
strichtung ein Strom um die Erde kreiste.

Um die Lage des Erdstromes, d. h. des Stromes zu erhalten, den wir resultierenden der jedenfalls unendlich vielen Ströme betrachten können, lehe dann die Erde umkreisen, müssen wir einen Strom so aufhängen, is er zugleich um eine vertikale und um eine horizontale Axe drehbar ist. er da wir bereits wissen, daß eine um die vertikale Axe drehbare Stromene zur Ebene des magnetischen Meridianes senkrecht gestellt wird, müssen einen Strom um eine horizontale zum magnetischen Meridiane senkrechte e drehbar aufhängen.

Ampère gab dafür den Apparat Fig. 223 an¹). Es wurde ein Draht einem Rechteck bcdefg von etwa 3 Decimeter Breite und 6 Decimeter age gebogen und dann von g nach h geführt, ohne dass der Arm gh mit

Seite de in metalher Berührung war. b war ein gabelföres Stück angefügt, sen eine Zinke mit jedoch nicht leitend bunden war, dessen ere Zinke nach a so gebogen war, dafs eine gerade Linie eten. Auf den Draht war ein rautenföres leichtes Holztchen gesetzt, wels die Seiten cd und stützte, so dass der mleiter eine grös-Stabilität erhielt.

An die Enden a h waren Stahl-



zen angelötet, welche auf die stählernen Pfannen der metallischen ger tt gelegt wurden; um den Kontakt sicherer zu machen, wurde diese Pfannen etwas Quecksilber gebracht.

Die Gewichte der einzelnen Teile dieses Stromleiters wurden mögist genau so abgeglichen, daß der Schwerpunkt desselben in die Axe
fiel, so daß man der Ebene des Leiters jede Neigung gegen die Horitale geben konnte, ohne das Gleichgewicht zu stören. Der Apparat
d dann so aufgestellt, daß die horizontale Drehungsaxe ah senkrecht
it zum magnetischen Meridian, daß also, wie auch die Neigung der
ine des Stromleiters gegen die Horizontale ist, dieselbe immer senkit zu derjenigen des Meridianes ist.

¹⁾ Annales de chim, et de phys. T. XV. WULLBERR, Physik. IV. 4 Aus.

Taucht man dann in die mit den metallischen Trägern verbunders Quecksilbernäpfchen die Leitungsdrähte eines Stromes, so daß derselbeden Leiter nach der Reihe der Buchstaben durchfließt, so stellt sich der Leiter, welches auch vorher seine Lage war, so, daß seine Ebene sentrecht ist zur Richtung der Inklinationsnadel, und daß von oben ber gesehen der Strom in dem Sinne cirkuliert, wie der Zeiger einer Uhr, daß also in der untersten horizontalen Seite des Rechtecks der Strom war Osten nach Westen fließt.

Kehrt man, wenn der Leiter sich in dieser Lage befindet, den Strom um, so wird die Lage des Leiters nicht geändert; aber er ist in einer labilen Gleichgewichtslage, denn sobald man ihn nur ein wenig aus seiner

Lage bringt, dreht er sich um 180°.

Aus diesem Versuche folgt, daß der Erdstrom sich südlich von um in der zur Inklinationsnadel senkrechten Ebene befindet. Denn die Wirkung des Stromes auf den um die horizontale Axe drehbaren Leiter muß auf die beiden horizontalen Teile des Stromes beschränkt sein, da in den beiden anderen in ihrer Mitte unterstützten Seiten die Ströme einander entgegengesetzt sind. Der von Osten nach Westen gerichtete Erdstrom wird num den ihm gleichgerichteten horizontalen Strom des Leiters anziehen, den entgegengesetzten abstoßen, und deshalb dem Leiter so lange ein Drehangmoment erteilen, bis die Ebene des Leiters der durch die horizontale

Drehungsaxe und den Erdstrom gelegten Ebene parallel ist.

Wenn nun in der That ein solcher Erdstrom existiert, so müssen wit auch alle in §. 114 erwähnten, aus der Einwirkung eines unbegrenzten Stromes auf einen begrenzten hervorgehenden Erscheinungen durch die Wirkung des Erdstromes allein hervorrufen können. In der That haben Ampère 1) und De la Rive 2) auch diese Erscheinungen nachgewiesen. Wir erwähnen von denselben hier nur die von Ampère beobachtete kontinuierliche Rotation eines horizontalen Stromes in dem Apparate Fig. 198, Leitel man durch denselben einen kräftigen Strom, so rotiert der Leiter cae schon ohne daß sich ein Leiter in der Nähe befindet. Ganz ebenso rotiert auch der Leiter in dem Apparate Fig. 196, ohne daß man um die untere Quecksilberrinne einen Strom leitet. Die Rotation dieses Apparates beruht aber in diesem Falle nicht wie in dem §. 114 dargestellten auf der Einwirkung auf die vertikalen Teile des beweglichen Leiters, sondern auf der Einwirkung auf die oberen horizontalen Teile. Denn da in den vertikalen Teilen des Leiters die Ströme gleich gerichtet sind, so werden dieselben von dem Erdstrome immer und mit derselben Kraft nach derselben Seite getrieben; da sie sich aber an entgegengesetzter Seite der Drehungsate befinden, so sind die daraus sich ergebenden Drehungsmomente einander entgegengesetzt, sie heben sich daher auf.

Wird in dem Apparate Fig. 196 der eine vertikale Arm l so kungenommen, dass er nicht in das Quecksilber taucht, sondern nur als Gegengewicht dient, so tritt bei einiger Länge des vertikalen Teils l' gar keine Rotation ein, sondern der Leiter stellt sich, wenn der Strom in ihm auf-

¹⁾ Ampère, Annales de chim. et de phys. T. XX. Gilberts Ann. Bd. LXXI und Bd. LXXVII.

²⁾ A. de la Rive, Annales de chim. et de phys. T. XXI.

gt, so, dass der vertikale Leiter an der Westseite der Axe sich beet; wenn der Strom absteigt, dass er sich an der Ostseite besindet; ier also so, dass in dem horizontalen Teile der Strom von Westen i Osten sließt. Es ergiebt sich das einfach aus dem Satze, dass ein egrenzter Strom einen gegen ihn gerichteten und zu ihm senkrechten illel mit sich selbst, aber der Stromrichtung entgegen, einen von dem egrenzten fortgerichteten mit sich parallel und nach der Richtung des omes zu verschieben sucht. Es überwiegt dann die Wirkung des Erdmes auf den vertikalen Teil. Ist der vertikale Teil des Leiters sehr n, so überwiegt der Einslus auf den horizontalen Teil und hat der tere eine ziemliche Länge, so tritt wieder eine kontinuierliche Rotatein.

§. 121.

Verhalten der Solenoide oder elektrodynamischen Cylinder. ein Solenoid bezeichnet Ampère eine Menge auf einander geschichr unendlich kleiner kreisförmiger Ströme, wie z. B. AC Fig. 225, he alle senkrecht sind zu der ihre Mittelpunkte verbindenden Linie; liese Linie eine gerade, so wird das Solenoid ein unendlich dünner der Cylinder. Die Ströme sind in allen den Kreisen gleich gerichtet. Das Verhalten solcher Solenoide gegen Ströme und gegen einander on Ampère 1) besonders untersucht worden, da sie das Verbindungsluwischen den elektrodynamischen und elektromagnetischen Erscheigen bilden, oder das Mittel, um das Verhalten der Magnete auf Eigenften galvanischer Ströme zurückzuführen.

Um die Wechselwirkung von Strömen und Solenoiden zu erhalten, rsuchen wir zunächst den Einfluss eines unendlich kleinen geschlosse-Stromes auf ein Stromelement. Wir erhielten § 116 für die Kompoen der Wirkung eines geschlossenen Stromes, dessen Intensität i' auf Element ds, das mit den Koordinatenaxen die Winkel λ , μ , ν bildet von einem Strome von der Stärke i durchflossen ist,

$$= -\frac{1}{2}ii' (C\cos \mu - B\cos \nu) ds; \quad Y = -\frac{1}{2}ii' (A\cos \nu - C\cos \lambda) ds;$$
$$Z = -\frac{1}{2}ii' (B\cos \lambda - A\cos \mu).$$

|x', y', z'| die Koordinaten eines Elementes des geschlossenen Stromes, z diejenigen des Elementes ds, so ist

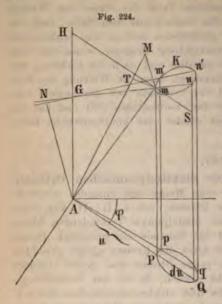
$$= \int_{-r^3}^{r^3} \frac{(z'-y) dz' - (z'-z) dy'}{r^3}; \quad B = \int_{-r^3}^{r^3} \frac{dx' - (x'-x) dz'}{r^3};$$

$$C = \int_{-r^3}^{r^3} \frac{dy' - (y'-y) dx'}{r^3}.$$

Diese Integrale sind über den geschlossenen Strom auszudehnen. Um iben auszuwerten sei K der irgendwie im Raume gelegene geschlossene m, in A Fig. 224 liege das Stromelement. Wir legen in A den An-

¹⁾ Ampère, Mémoire sur la théorie des phénomènes électrodynamiques etc. 6 ff.

fangspunkt eines dem gegebenen parallelen Koordinatensystems; mm' wi das Element ds'. Projizieren wir den Strom K auf die durch A gelegte



XY-Ebene in PpqQ, so daß Pp die Projektion von mm' ist, und setzen wir AP = u, den Winkel, welchen AP mit der X-Axe bildet q, so ist

$$x' - x = u \cos \varphi$$
$$y' - y = u \sin \varphi.$$

Das dx' in dem Ausdrucke für C ist die Änderung von x', wenn wir von dem Elemente ds' num nächstfolgenden übergehen, oder wenn wir in der Projektion von P m p übergehen, dabei ändert sich φ num $d\varphi$, während pA = PA gesetzt werden darf. Dann ist

$$dx' = -u\sin\varphi\,d\varphi;$$

ebenso ist

$$dy' = u\cos\varphi \,d\varphi.$$

Darnach wird

$$C = \int \frac{(x'-x)dy' - (y'-y)dx'}{r^3} = \int \frac{u^2 \cos^2 \varphi \, d\varphi + u^2 \sin^2 \varphi \, d\varphi}{r^3} = \int \frac{u^2 d\varphi}{r^3}.$$

Um C zu berechnen, ziehen wir sofort zur Wirkung des Elementes ds' noch diejenige eines zweiten hinzu, dessen Lage dadurch bestimmt ist, daß wir durch mP und die Z-Axe und durch m'p und die Z-Axe zwei Ebenen legen; diese Ebenen schneiden aus dem Leiter K als zweites Element nn' aus, dessen Projektion Qq ist. Da wir den Stromkreis als unendlich klein vorausgesetzt haben, können wir AQ = u + du setzen, und erhalten dann für dieses Element sofort die Differenz

$$(x'-x) dy' - (y'-y) dx' = (u+du)^2 d\varphi.$$

Den Abstand dieses Elementes von A können wir gleich r+dr setzen. Die Stromrichtung in diesem Elemente ist in Bezug auf A der jenigen des Elementes mm' entgegengesetzt, es muß somit die Wirkung desselben von der des Elementes mm' abgezogen werden; wir können demnach für C sofort schreiben

$$C = \int \left(\frac{u^2}{r^2} - \frac{(u + du)^2}{(r + dr)^3} \right) d\varphi.$$

Der Ausdruck in dem Integralzeichen ist nichts als

$$- q \cdot q \left(\frac{L_2}{n_3}\right)$$

$$-d\varphi \cdot d\left(\frac{u^2}{r^3}\right) = -d\varphi \frac{r^3 2 u du - 3 u^2 r^2 dr}{r^6} = d\varphi \left(\frac{3 u^2 dr}{r^4} - \frac{2 u du}{r^3}\right).$$

Nun ist

$$r^2 = Am^2 = AP^2 + Pm^2 = u^2 + (s' - s)^2$$

 $\begin{cases} (r+dr)^2 = An^2 = AQ^2 + Qn^2 = (u+du)^2 + (z'-z+dz')^2 \\ rdr = udu + (z'-z) dz'; dr = \frac{udu + (z'-z) dz'}{r} \end{cases}$

hen wir durch m die Linie HmS parallel zu AQ, so ist

$$mS = PQ = du$$
; $Sn = dz'$.

Ist G der Punkt, in welchem die Ebene der kleinen Strombahn, also ch die verlängerte mn die Z-Axe schneidet, so sind die Dreiecke mHG d mSn ähnlich und die Winkel an S und H sind rechte; demnach ist

$$du:dz=mS:Sn:=mH:GH.$$

Hierin ist mH = PA = u, ferner GH = AH - AG. Es ist AH = 1 ich Pm, also die Z-Koordinate des Elementes mm' oder gleich (z' - z). In AG zu bestimmen, lassen wir die Normale AN zur Ebene der Stromhn hinab; dieselbe bilde mit den drei Axen die Winkel ξ , η , ζ , ihrenge sei q, so ist

$$AG = \frac{q}{\cos \xi}$$

ait

$$du:dz'=u:z'-z-\frac{q}{\cos\zeta}$$

$$dz' = \frac{du}{u} \left(z' - z - \frac{q}{\cos \xi} \right).$$

Mit Benutzung dieses Wertes wird

$$dr = \frac{\left(u^2 + \left(z' - z\right)^2\right)\cos\zeta - \left(s' - z\right)q}{ur\cos\zeta} du.$$

lem wir diesen Wert von dr benutzen erhält man leicht

$$C = \int \left(\frac{3u^2 dr}{r^4} - \frac{2u du}{r^2}\right) d\varphi = \int \left(\frac{1}{r^3} - \frac{3q(z'-z)}{r^5 \cos \xi}\right) u du d\varphi.$$

Unter der Voraussetzung, dass der Stromkreis K unendlich klein ist, unen wir den Abstand aller seiner Elemente von dem Elemente ds als ich ansehen und deshalb r ersetzen durch den Abstand l_0 des Schwernktes des Stromkreises von A; ebenso können wir dann für z' die beffende Ordinate desselben Schwerpunktes einsetzen. Setzen wir deshalb $z=z_0$, so wird der in der Klammer eingeschlossene Faktor des ir den Stromkreis zu integrierenden Ausdrucks konstant und es wird

$$C = \left(\frac{1}{l_0^3} - \frac{3q z_0}{l_0^6 \cos \xi}\right) \int u d\varphi du.$$

Der unter dem Integralzeichen jetzt noch stehende Ausdruck ud \u03c4du der Flächeninhalt des Streifens PQqp, da ud \u03c4 - Pp die eine und

du = PQ die andere Seite des Vierecks ist. Das Integral bedeutet somit die Projektion des Stromkreises auf die durch A gelegte XY-Ebene. Die Ebene des Stromes bildet mit der XY-Ebene denselben Winkel, welchen die zu ihr senkrechte Richtung mit der Axe der Z bildet, also der Winkel ζ . Nennen wir die von dem Stromkreis umschlossene Fläche f_i so wird demnach das Integral gleich f cos ζ und damit

$$C = f\left(\frac{1}{l_0^3}\cos\zeta - \frac{3qz_0}{l_0^5}\right).$$

Durch ganz entsprechende Entwicklungen erhalten wir die Werte von B und A. Sind η und ξ die Winkel, welche die zur Stromebene normale Richtung mit der Y- und X-Axe bildet, und setzen wir $y'-y=y_0$, ferner $x'-x=x_0$, so sind

$$B = f\left(\frac{1}{l_0^{3}}\cos\eta - \frac{3qy_0}{l_0^{5}}\right)$$
$$A = f\left(\frac{1}{l_0^{3}}\cos\xi - \frac{3qx_0}{l_0^{5}}\right).$$

Mit diesen Werten von A, B, C kann man entweder die drei Komponenten der Wirkung des Stromes auf das Element bestimmen, oder diese Wirkung der Richtung und Größe nach mit Hilfe der Direktrix ableiten

Nehmen wir z. B. an, das Element läge bei A in der Axe der Y, der geschlossene Stromkreis sei der XY-Ebene parallel und sein Schwerpunkt liege in der durch A geführten Axe der Z. In dieser Lage sind

$$\xi = 90^{0}$$
 $\eta = 90^{0}$ $\xi = 0$
 $\lambda = 90^{0}$ $\mu = 0$ $\nu = 90^{0}$
 $z_{0} = l_{0},$ $y_{0} = 0$ $x_{0} = 0,$

somit

$$C = -2 \frac{f}{l_0^3}$$
 $B = 0$ $A = 0$

und

$$X = ii' \frac{f}{l_h^3} ds \quad Y = 0 \quad Z = 0;$$

das Element bekommt nur einen Antrieb parallel der X-Axe. Das gleiche ergiebt sich durch Bestimmung der Direktrix

$$D = 0$$

da A=B=0; daraus folgt gleichzeitig, daß die Direktrix in die Axeder Z fällt, denn die Cosinus der Winkel α , β , γ , welche sie mit den Axen bildet, sind

$$\cos \alpha = \frac{A}{D} = 0$$
 $\cos \beta = \frac{B}{D} = 0$ $\cos \gamma = \frac{C}{D} = 1$.

Da die Wirkung des geschlossenen Stromes senkrecht zu der durch das Element und die Direktrix gelegten Ebene ist, so folgt auch hieraus, daß dieselbe parallel der Axe der X ist. Die Größe der Wirkung ist

$$R = -\frac{1}{\sqrt{2}} ii' ds D \sin \omega = ii' ds \frac{f}{\sqrt{2}},$$

da das Element senkrecht zur Direktrix liegt, somit sin m = 1

Um von der Wirkung eines unendlich kleinen geschlossenen Stromes auf diejenige eines Solenoides auf ein Stromelement bequem übergehen zu können, wollen wir die Ausdrücke für A, B, C zunüchst in einer von F. Neumann 1) angegebenen Weise umformen. Wir ziehen Fig. 224 mM senkrecht zur Ebene des kleinen Stromes, also parallel AN, verbinden A mit M und ziehen $mT \perp AM$. Setzen wir mM verschwindend klein voraus, so können wir dasselbe gleich der Zunahme von AN, also der Zunahme des Abstandes der Stromebene K, von dem Anfangspunkte A setzen, wenn wir uns den Strom K soweit verschoben denken, dass er durch M anstatt durch m geht. Wir setzen demnach mM = dq. Wir können weiter AM = r + dr, oder da AT merklich gleich Am ist, TM = dr setzen, wo jetzt dr die Zunahme von r ist, wenn der Stromkreis K verschoben wird. Es ist somit dq Hypotenuse, dr eine Kathete des rechtwinkligen Dreiecks TMm. Dieses Dreieck können wir dem bei N rechtwinkligen Dreiecke ANm ähnlich setzen, denn der Winkel mMA ist, da mM | AN ist, gleich dem Winkel NAM; da wir aber mM als verschwindend klein vorausgesetzt haben, ist der Winkel NAM dem Winkel NAm gleich zu setzen. In dem Dreiecke NAm ist die Kathete AN = q, die Hypothenuse $Am = l_0$. Es ist somit

$$dq: dr = l_0: q;$$
 $\frac{q}{l_0} = \frac{dr}{dq} = \frac{dl_0}{dq} \cdot$

Setzen wir die Zunahme der Koordinaten z_0 , y_0 , x_0 , wenn der Stromkreis K in dieser Weise verschoben gedacht wird, gleich dz_0 , dy_0 , dz_0 , so können wir schreiben

$$\cos \xi = \frac{dz_0}{dq}, \qquad \cos \eta = \frac{dy_0}{dq}, \qquad \cos \xi = \frac{dx_0}{dq}.$$

Indem wir diese Formen in die Gleichungen für C, B, A einsetzen, wird zunächst

$$C = f\left(\frac{1}{l_0^3} \frac{dz_0}{dq} - 3 \frac{z_0}{l_0^4} \frac{dl_0}{dq}\right) = f \frac{d\left(\frac{z_0}{l^3}\right)}{dq},$$

wie man sofort erkennt, wenn man z_0 und l_0 als Funktionen von q betrachtend den Ausdruck $\frac{z_0}{l$ and q differentiiert.

Ganz ebenso werden

$$B = f \frac{d\left(\frac{y_0}{l_0^3}\right)}{da}, \qquad A = f \frac{d\left(\frac{x_0}{l_0^3}\right)}{da}.$$

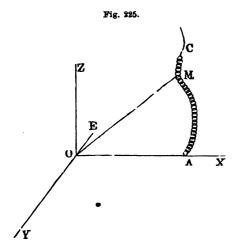
Diese Umformung gestattet uns leicht die Wirkung eines Solenoides auf ein Element zu berechnen. Für jeden Stromkreis des Solenoides AC Fig. 225 erhalten wir durch den für denselben geltenden Wert von x_0 , y_0 , z_0 die entsprechenden Werte von A, B, C. Damit für jeden Kreis auch etwa die X-Komponente durch

$$X = -\frac{1}{2} ii'ds (C \cos \mu - B \cos \nu).$$

¹⁾ F. Neumann. Man sehe Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. III, S. 46.

Die Wirkung des ganzen Solenoids erhalten wir somit, wenn wir alle Kreise denselben Ausdruck bilden und alle diese Ausdrücke summie Die Summen können wir dann zunächst schreiben, da nur A, B, C die verschiedenen Kreise verschiedene Werte haben,

$$X = -\frac{1}{2} i i' ds (\cos \mu \Sigma C - \cos \nu \Sigma B).$$



Wir haben somit nur die S_0 men aller Werte C, B und A bilden. Für irgend einen et bei M liegenden Kreis ist

$$C = f \frac{d\left(\frac{g_0}{l_0^3}\right)}{dq}.$$

Liegen auf der Längeneindes Solenoides a Stromkreise, liegen auf dem Längenelemente die Zahl $ad\lambda$ Stromkreise. für jeden Stromkreis auf die verschwindend kleinen Eleme die Werte z_0 und l_0 dieselben skönnen wir ohne weiteres dieses Element den Wert vorgleich dem Produkte der Am

von Strömen und dem für jeden einzelnen geltenden Wert von C set oder

$$C_{d\lambda} = afd\lambda \frac{d\left(\frac{z_0}{l_0 s}\right)}{dq}.$$

Die Summe aller $C_{d\lambda}$ giebt jetzt die gesuchte Summe C, wir erhaldieselbe, indem wir die rechte Seite über das ganze Solenoid weg is grieren. Nach der Definition des Solenoids sind die Stromkreise an je Stelle senkrecht zur Axe des Solenoides, es fällt also für jeden Stromk das Element dq, welches das Differential der von O auf die Ebene Stromkreises gezogenen Senkrechten ist, mit dem Elemente $d\lambda$ zusams so das unser Integral wird

$$C_{\lambda} = \int_{0,1}^{\bullet} a f \frac{d\left(\frac{z_0}{l_0^3}\right)}{d\lambda} d\lambda = \int_{0,1}^{\bullet} a f d\left(\frac{z_0}{l_0^3}\right)$$

somit, da der Ausdruck unter dem Integralzeichen ein totales Differ tial ist,

$$C_{\lambda} = af\left(\frac{z_{0,2}}{l_{0,2}^{3}} - \frac{z_{0,1}}{l_{0,1}^{3}}\right).$$

Setzen wir voraus, dass das Solenoid in der einen Bichtung

nendliche reicht, setzen also $s_{0,1}$ und $l_{0,1}$ unendlich groß, so wird das weite Glied in der Klammer gleich null, somit

$$C = af \frac{z_{0,2}}{l_{0,2}^3}.$$

In ganz derselben Weise erhalten wir in dem Falle für

$$B = af \frac{y_{0,2}}{l_{0,2}^3}, \qquad A = af \frac{x_{0,2}}{l_{0,2}^3},$$

Nach der ganzen Ableitung erkennt man, dass auch hier die Direktrix zeben ist durch

$$D = \sqrt{A^2 + B^2 + C^2} = \sqrt{\frac{x_{0,2}^2 + y_{0,2}^2 + z_{0,2}^2}{l_{0,2}^8}} \cdot af$$

Sind x', y', z' die Koordinaten des Solenoidendes, x, y, z diejenigen Elementes, so ist

$$x_{0,2} = x' - x$$
, $y_{0,2} = y' - y$, $z_{0,2} = z' - z$,
 $l_{0,2}^2 = (x' - x)^2 + (y' - y)^2 + z' - z)^2$,

mit

$$D = \frac{af}{l_{0.2}^2}$$

ġ.

$$\frac{A}{D} = \frac{x'-x}{l_{0,2}}, \qquad \frac{B}{D} = \frac{y'-y}{l_{0,2}}, \qquad \frac{C}{D} = \frac{z'-z}{l_{0,2}};$$

dieses die Cosinus der Winkel sind, welche die Verbindungslinie des ementes und des Solenoidendes mit den drei Axen bildet, so folgt, daß Direktrix in die Verbindungslinie fällt, somit die resultierende Wirng senkrecht steht zu der durch das Element und die Verbindungsie derselben mit dem Solenoidende gelegten Ebene. Die Größe dieser rkung ist

$$R_1 = -\frac{1}{2} ii' ds D \sin \omega = -\frac{1}{2} ii' ds \frac{af}{l_{0.2}^2} \sin \omega_1$$

Um die Seite der durch die Direktrix und das Element gelegten ne zu bestimmen, nach welcher das Element senkrecht zu dieser Ebene rieben wird, führen wir sofort an, dass wenn man sich in der Richtung Stromes des Elementes stehend denkt, so dass der Strom zu den sen eintritt, und sieht die Endfläche des Solenoides an, welche wir dem Beobachter zugewandt denken, so wird das Element zur linken te des Beobachters hin getrieben, wenn der Strom im Solenoid kreist der Zeiger einer Uhr, es wird zur rechten getrieben, wenn die Richg des Stromes die entgegengesetzte ist. Ist das Element fest, dagegen Bolenoid beweglich, so wird infolge der betrachteten Wechselwirkung Solenoidende seitlich abgelenkt, und zwar nach der Rechten, wenn Element nach der Linken getrieben und zur Linken, wenn das Elenach der Rechten abgelenkt wird. Das ergiebt sich unmittelbar dem Princip von der Gleichheit der Wirkung und Gegenwirkung, injedes Element des Solenoides von dem Element ds nach der entengesetzten Seite gezogen wird, als es selbst das Element de rieht. Für ein begrenztes Solenoid erhielten wir

$$C_{\lambda} = af \frac{z_{0,2}}{l_{0,2}^3} - af \frac{z_{0,1}}{l_{0,1}^3}$$

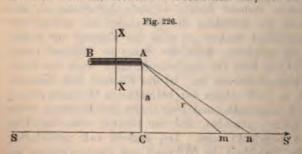
und entsprechend sind die Werte von B und A.

Das erste Glied auf der rechten Seite der Gleichung für Cz gieht uns die Wirkung des einen Poles des Solenoides, vorausgesetzt, dass der andere Pol im Unendlichen läge. Das zweite Glied würde uns die Wirkung eines Solenoides geben, dessen einer Pol in xo,1, yo,1, zo,3 liegt und dessen anderer Pol im Unendlichen läge, in welchem die Richtung aller Ströme aber, da dieses Glied das entgegengesetzte Vorzeichen hat, die entgegengesetzte jener Ströme ist, welche das erste Solenoid bilden. Die Wirkung eines begrenzten Solenoids auf ein Element können wir somi der Wirkung zweier nach einer Richtung unendlicher Solenoide gleich setzen, deren eines seinen Pol an dem einen Ende des begrenzten Solenoid hat und dessen Ströme denjenigen des Solenoids gleich gerichtet sind während das andere seinen im Endlichen liegenden Pol am andern Ende des begrenzten Solenoids hat und durch Ströme gebildet wird, deren Richtung derjenigen der Ströme des gegebenen Solenoids entgegengesetzt ist. In der That können wir uns auch das begrenzte Solenoid durch zwei solcher Solenoid noide gebildet denken. Denn wäre das Solenoid Fig. 225 bei M begrenzt, si könnten wir denken, das gegebene Solenoid reiche von A bis ins Unentliche, gleichzeitig sei ein zweites von M aus ins Unendliche reichende Solenoid gegeben, welches überall oberhalb M an derselben Stelle lage wie das erste, dieselbe Zahl und Stärke der Ströme hätte, in denen aber die Ströme entgegengesetzte Richtung hätten. Dieses Solenoid wirk oberhalb M in der That das erste Solenoid vollständig neutralisieren

Demnach ist die Wirkung des zweiten Poles

$$R_2 = \frac{1}{2} ii' ds \frac{af}{l_{0.1}^2} \sin \omega_2.$$

Fallen die beiden durch ds und $l_{0,2}$ sowie $l_{0,1}$ gelegten Ebenen msammen, so wird von dem zweiten Pol das Element gerade nach der entgegengesetzten Richtung getrieben, als von dem ersten; es entspricht da
auch der vorhin angegebenen Regel, denn wenden wir den Pol M den
in dem Element stehenden Beobachter zu, so sieht derselbe den Strom



in entgegengesetzet Richtung kreisen, al den Strom des Pols A, weil er den Strom eben von der ander Seite ansieht.

Aus den bishe abgeleiteten Sätzen wollen wir zunächst die Wirkung eines geradlinigen Stromes auf

ein begrenztes Solenoid ableiten; sei AB Fig. 226 ein dem Strome SS paralleles Solenoid, dessen Axe eine gerade Linie sei. Der senkrechte

stand des Poles A von SS' sei gleich e. Die Wirkung irgend eines \rightarrow mentes mn auf den Pol A ist dann

$$R_1 = -\frac{1}{2} i i' ds \frac{af}{l^2} \sin \omega,$$

ron wir den Abstand Am, der für die verschiedenen Elemente des romes verschieden ist, gleich l setzen und, wenn wir unter der Annahme, Strom fließe in der Richtung von S nach S', den Winkel AmS' sich ω setzen. Rechnen wir die Länge s des Leiters vom Punkte C3, so ist

$$Cm = s = \frac{AC}{\tan AmC} = -\frac{e}{\tan g} \omega$$

Wächst ω um $d\omega$, so wächst s um ds, somit wird

$$ds = \frac{e}{\sin^2 m}$$

Für l können wir setzen

$$l = \frac{AC}{\sin AwC} = \frac{e}{\sin \omega},$$

dass wir für R_1 schreiben können

$$R_1 = -\frac{1}{2}ii'\frac{af}{e}\sin\omega d\omega.$$

Die Wirkung des ganzen Stromes erhalten wir, wenn wir diesen Ausck über den ganzen geradlinigen Strom weg integrieren, also von dem rte $\omega = \omega_1$, welcher der Verbindungslinie von Λ mit dem einen Ende Stromes entspricht, bis $\omega = \omega_2$, welcher Wert dem andern Ende enticht. Es wird, wenn i die Intensität des Stromes im Solenoid, i' im ter SS' ist

$$W_1 = \frac{1}{2} \frac{iaf}{e} (\cos \omega_2 - \cos \omega_1)i'.$$

Für die Einwirkung auf den Pol B erhält man ebenso

$$W_2 = -\frac{1}{2} \frac{iaf}{e} (\cos \omega_2' - \cos \omega_1') i'.$$

Ist das Solenoid um XX als Axe drehbar, so wird dasselbe durch als Kräftepaar senkrecht zur Ebene XAB wirkenden Antriebe geht und zwar, wenn von S' aus gesehen der Pol A von Strömen umzist wird, die im Sinne der Bewegung des Uhrzeigers fließen, wird A Rechten, also hinter die Ebene der Zeichnung getrieben. Das Solenoid Ut sich senkrecht zum Strom.

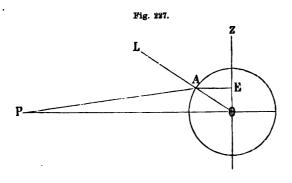
Die Wirkung ist dem Abstande des Stromes vom Solenoid umgekehrt Portional und hängt außerdem von der Länge des Stromes ab; setzen den Strom gegen den Abstand e und die Länge des Solenoides unlich, so wird, da $\omega_2 = \omega_2' = 180^\circ$ und $\omega_1 = \omega_1' = 0$,

$$W_1 = -\frac{iaf}{e}i', \qquad W_2 = \frac{iaf}{e}i'.$$

Ist λ die Länge des Solenoides, so ist das Drehungsmoment, das Solenoid aus der parallelen Lage um einen Winkel 3 gedrek

$$D = -\frac{i \, a f}{e} \, i' \, \lambda \cos \vartheta.$$

Wir wollen ferner die Wechselwirkung zwischen dem im Endliegenden Pole eines unbegrenzten Solenoides und einem Kreisstrom



sehr kleinem Radia rechnen, und zwar len wir zunächst au men, der Soleno liege in der Ebene Kreisstromes und Kreisstromes und PO senkrechte OZ bar. Für ein bei Agendes Element di Kreisstromes, der einem Strome von Intensität i' durchfiwird, ist dann

$$R_1 = -\frac{1}{2} \frac{i \, af}{l^2} \, i' \, ds \, \sin \, \omega,$$

wenn AP gleich l gesetzt wird. Wird das Solenoid von A aus gewon dem Strome im Sinne der Bewegung des Uhrzeigers umkreis wird das Element bei A vor die Ebene der Zeichnung getrieben, die der andern Seite von OZ liegenden Elemente dagegen werden hinter Ebene der Zeichnung getrieben, der Kreis erhält somit ein Drehm moment, welches ihn so zu stellen sucht, dass der Strom mit demjet des ihm zugewandten Solenoidpoles parallel und gleich gerichtet ist. Drehungsmoment, welches das bei A liegende Element um OZ zu die sucht, erhalten wir, wenn wir R_1 mit AE multiplizieren. Setzen wir Winkel AOP gleich φ , so wird dieses Drehungsmoment

$$d = -\frac{1}{2} \frac{i \, af}{l^2} \, i' \, ds \sin \omega \cdot \varrho \cos \varphi,$$

wenn e der Radius des Kreises ist.

Der Winkel ω ist, wenn wir den Winkel $OPA = \chi$ setzen,

$$\omega = 90 + LAP = 90 + (\varphi + \chi)$$

$$\sin \omega = \cos (\varphi + \chi) = \cos \varphi \cos \chi - \sin \varphi \sin \chi.$$

Nennen wir den Abstand PO des Solenoidpoles vom Mittelpunk Kreises c, so ist

$$l\cos\chi + \varrho\cos\varphi = e; \quad \cos\chi = \frac{e - \varrho\cos\varphi}{l}; \quad \sin\chi = \frac{\varrho\sin\varphi}{l}\sin\varphi$$

$$\sin\omega = \frac{e\cos\varphi - \varrho\cos^2\varphi - \varrho\sin^2\varphi}{l} = \frac{e\cos\varphi - \varrho}{l}.$$

zen wir weiter $ds = \varrho d\varphi$, so wird

$$d = -\frac{1}{2} \frac{iaf}{l^2} i' \varrho^2 \frac{l \cos^2 \varphi - \varrho \cos \varphi}{l} d\varphi.$$

Das Drehungsmoment, welches der ganze Kreisstrom erfährt, erhalten, wenn wir diesen Ausdruck nach φ über den ganzen Kreis weg, also 0 bis 2π integrieren. Da l auch von φ abhängig ist, läßt sich die agration nicht ohne weiteres durchführen, setzen wir aber den Kreis als so in voraus gegen die Entfernung des Solenoidpoles, daß wir anstatt l fach e, den Abstand des Poles vom Mittelpunkt einsetzen dürfen, so d das Drehungsmoment

$$D = -\frac{1}{2} \frac{iaf}{e^3} i' \varrho^2 \int_0^{2\pi} (e \cos^2 \varphi - \varrho \cos \varphi) d\varphi.$$

rin ist

$$\int_{0}^{2\pi} e \cos^{2} \varphi \, d\varphi = \pi \cdot e; \qquad \int_{0}^{2\pi} \varrho \cos \varphi \, d\varphi = 0,$$

üt

$$D = - \frac{1}{2} \frac{i a f}{e^2} i' \varrho^2 \pi.$$

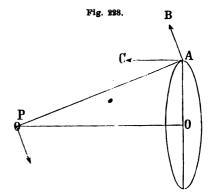
Kreisstrom dreht sich somit um OZ und stellt sich senkrecht zu, so daß der Strom parallel und demjenigen des zugewandten Solenoids gleichgerichtet ist. In der zu PO betrachteten Lage wird, wie man at sieht, das Drehungsmoment gleich null.

Sowie der Kreis aus der zu PO parallelen Lage gedreht ist, ergiebt auch eine den Pol gegen den Kreis hinziehende Komponente; wir

schnen dieselbe für die Lage, wenn Kreisebene senkrecht zu PO ist, 228. In dem Falle ist für alle mente des Kreises $\omega = 90^{\circ}$. Für etwa bei A liegende gerade die se der Zeichnung passierende Elest ist die Richtung der Resultierenin der Ebene der Zeichnung senkht zu PA gegen B hin

$$R_1 = -\frac{1}{2} \frac{i a f}{l^2} i' ds,$$

parallel PO gerichtete Komponente ulten wir durch Multiplikation mit $CAB = \sin OPA$, sie wird somit



$$w = -\frac{1}{2} \frac{iaf}{l^2} i'ds \frac{OA}{PA} = -\frac{1}{2} \frac{iaf}{l^3} ei'ds.$$

setzen wieder $ds = \varrho \, d\varphi$ und integrieren über den Kreis weg, so die parallel PO wirkende Komponente

$$W = -\frac{iaf}{l^3} \varrho^2 \pi i' = -\frac{iaf}{e^3} \varrho^2 \pi i'.$$

is und Solenoidpol ziehen sich somit an, und zwar mit einer der

dritten Potenz ihres Abstandes umgekehr den Kreis so klein voraussetzen, daß w

Nun sei der Kreis der im Endlich auf dessen Längeneinheit a' Ströme lieg sich dann a'de; setzen wir $\varrho^2\pi = f'$, s des Stückes de des Solenoides

$$W_{de} = -\frac{iafi'}{i}$$

len

sen

2000年

somit für diejenige des unendlichen Solen

$$W = -iafi'a'f' \int_{e}^{\infty} \frac{de}{e^{3}} =$$

Die beiden Solenoidpole ziehen sich somit, gerichtet sind, mit einer Kraft an, welch der Pole umgekehrt proportional ist. Si gerichtet, so stoßen sich die Pole ab.

Im Falle der Anziehung, wenn die Str im gleichen Sinne umkreisen, bilden sie

Fig. 229.

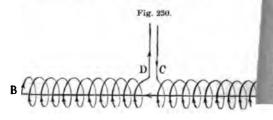
000000000 0000000000

bri
die Lage des Solenoids A, so umkreisen
Punkte angesehen die Ströme den Pol A
Uhrzeigers, den Pol B im entgegengesetzte

Fließen die Ströme um B in entgegeng dieser Betrachtung der Solenoidpol B gleich

Wir kommen daher zu dem Resultate Solenoidpole sich anziehen, zwei gleichartig

Diese von der Theorie abgeleiteten Sätz such nicht prüfen, da man in der That kei Man kann sie indessen annähernd im Versu spiralförmig gewundenen Drähten 1).



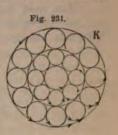
geradlinig von A im Innern der Glasröhre Windungen, welche der Bewegung des Uhr.

¹⁾ Ampère, Annales de chim. et de phys.

D führt, so verhält sich diese Spirale gerade wie eine Anzahl auf ander geschichteter, zur Axe der Röhre senkrechter Kreisströme. Denn einzelne Windung können wir uns ersetzt denken durch einen fast ständig geschlossenen, um die Röhre gelegten Kreis und durch einen nen geradlinigen Draht, welcher den Strom von einer Windung zur hstfolgenden führt. Die Summe aller dieser von einer zur andern udung gehenden Ströme giebt einen der Länge der Röhre an Länge chen Strom, welcher den Strom von B nach A führt. Die Wirkung ses Stromes wird vollständig aufgehoben von dem geradlinigen Strome , welcher von der letzten Windung bei A zu der ersten Windung B hinfließt. In Bezug auf die Wirkung nach außen bleiben demh nur die einzelnen Kreisströme der Windungen übrig.

Eine solche Spirale, welche Ampère einen elektrodynamischen Cylinder ent, unterscheidet sich demnach von einem Solenoide nur dadurch, daßs einzelnen Ströme nicht unendlich klein sind; man kann ihn deshalb, leicht zu zeigen ist, als ein Bündel einander parallel gelegter Solenoide rachten. Denn ist Fig. 231 K ein zur Axe senkrechter Querschnitt

Cylinders, also ein einzelner Kreisstrom, welcher der Richtung des Pfeiles fließt, so können wir uns sen ersetzt denken durch unendlich viele unendlich ine, die ganze Ebene des Kreises K ausfüllende Kreisöme, welche alle in gleicher Richtung fließen. Wie a unmittelbar in der Figur sieht, werden sich nun Innern des Kreises die Ströme sämtlich aufheben, daß nur der Kreisstrom K übrig bleibt; denn jedes ment jedes Kreises innerhalb K wird unmittelbar einem Elemente eines nebenliegenden Kreises be-



t, in welchem der Strom die entgegengesetzte Richtung hat, so daß Wirkung der beiden Elemente sich geradezu aufhebt. So bleiben nur den an K grenzenden Kreisen die in K fallenden Elemente übrig, diese setzen den Kreisstrom K zusammen.

Das Verhalten eines elektrodynamischen Cylinders wird daher jenes is Bündels gleicher Solenoide sein, und dieses wird sich qualitativ it von dem Verhalten eines Solenoides unterscheiden, sondern nur mtitativ. Wenn ferner der Durchmesser des Cylinders nur klein ist, werden wir auch als den Angriffspunkt der auf den Solenoidpol wirden Kräfte den Mittelpunkt der Polfläche betrachten dürfen.

Hängt man nun einen solchen elektrodynamischen Cylinder an ein peresches Gestell, so ist es leicht, an demselben alle für die Solenoide

eleiteten Folgerungen nachzuweisen.

Zunüchst sieht man, daß ein solches Solenoid sich senkrecht zur Westrichtung, also senkrecht zur Richtung des Erdstromes stellt, und er so, daß derjenige Pol desselben nach Süden zeigt, um welchen, in man sich ihm gegenüberstellt, der Strom wie der Zeiger einer Uhr ist, der Pol nach Norden zeigt, um welchen, wenn man sich ihm enüberstellt, der Strom in dem entgegengesetzten Sinne kreist.

Bezeichnen wir den nach Süden zeigenden Pol als Südpol, so ist der Pol eines Solenoides jener, um welchen, wenn man sich ihm gegenestellt, der Strom im Sinne der Bewegung des Uhrzeigers strömt. Bei dem Fig. 230 dargestellten Stromlauf ist also das Ende A der B der Nordpol.

Hängt man einen elektrodynamischen Cylinder um eine ho zum magnetischen Meridiane senkrechte Axe drehbar auf, so st seine Axe der Richtung der Inklinationsnadel parallel, den Nordr unten.

Wenn man über oder unter einen elektrodynamischen Cylind cher dem magnetischen Meridiane parallel hängt, einen geradlinigen herleitet, so wird derselbe abgelenkt, und ist die Richtkraft infolendertenses gegen die Stromintensität des geradlinigen Stromes nu so wird der Cylinder fast senkrecht zum Strome gestellt. Wenn madann in der Richtung des Stromes schwimmend denkt und den Cansieht, so wird der Nordpol desselben zur Linken abgelenkt.

Nähert man dem einen Pole des aufgehängten Cylinders den Pol andern Cylinders, so ziehen sich die beiden Pole an, wenn der ei Südpol, der andere ein Nordpol ist; sie stoßen sich ab, wenn beid pole oder beide Nordpole sind.

Man sieht demnach, dass solche Cylinder qualitativ alle jene E nungen darzustellen gestatten, welche die Ampèresche Theorie fi Solenoide ableitet.

Zweites Kapitel.

Elektromagnetismus und Diamagnetismus.

§. 122.

Ablenkung der Magnetnadel durch den Strom. Wir kehre zurück zu der im Beginne des vorigen Kapitels beschriebenen Beoba Oersteds, der Ablenkung der Magnetnadel durch den galvanischen Führt man einen Strom an einer Deklinationsnadel vorüber, so wir selbe im allgemeinen aus ihrer Gleichgewichtslage im magnetischen diane abgelenkt, und zwar nach der Ampèreschen Regel so, daß man in der Richtung des Stromes schwimmend die Nadel ansieht Nordpol nach der Linken hin gewandt wird.

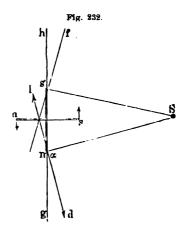
Führen wir demnach in der Richtung des Meridianes über der einen Strom nach Norden, so wird der Nordpol nach Westen abgesteigt der Strom vor dem Nordpol vertikal abwärts, so ist die Ables dieselbe; ebenso ist es auch, wenn der Strom unter der Nadel nach fliest und an der Südseite aufsteigt. Einem Kreise um die Nadesführter Strom lenkt sie also ebenso ab, wie der geradlinig über die hingeführte Strom.

Nach welcher Richtung die von dem Strome auf einen Pol auf wirkt, und wie die Kraft sich mit der Intensität des ?

1er Entfernung von der Nadel ändert, das haben gleich nach der Entkung Oersteds Biot und Savart¹) durch Versuche festgestellt.

Zunächst wurde eine Magnetnadel an einem Coconfaden aufgehängt 1 durch einen in der Nähe aufgestellten Magnet die Richtkraft des dmagnetismus kompensiert, so dass die Nadel in jedem Azimute im eichgewicht war, oder dass die Gleichgewichtslage nur durch die äußerst ringe Torsionskraft des Fadens bedingt war. In der Nähe der Nadel urde ein vertikaler Strom aufgestellt; die Nadel wurde nur durch die n dem Strome auf sie einwirkenden Kräfte gerichtet. Die Nadel stellte h senkrecht zu der durch den Strom und Aufhängefaden der Nadel legten Ebene, so dass also die Verbindungslinie des Mittelpunktes der idel mit dem Querschnitte des Leiters, welcher in der durch die Nadel legten Horizontalebene sich befindet, senkrecht steht auf der Axe der del. Der Nordpol befindet sich dann von dem Strome aus, den Kopf der Richtung des Stromes voraus, gesehen, an der linken Seite der ch den Strom und den Aufhängefaden gelegten Ebene. Hieraus folgt, s die Richtung der von einem Strom auf die Pole einer Nadel ausbten Kraft senkrecht steht auf der durch den Pol und den Strom egten Ebene; steht man in dem Strome, den Kopf nach der Richtung Stromes voraus, und sieht man die Nadel an, so wird der Nordpol ch jene Kraft nach der Linken getrieben. Dass letzteres der Fall ist, 5t aus der angeführten stabilen Gleichgewichtslage unmittelbar; denn

Nadel ns (Fig. 232) kann durch die rkung des vertikal aufsteigenden Stro-3 S, von welchem hier nur der in der chnungsebene liegende Querschnitt dartellt ist, nur dann in die Lage n's' lreht werden, wenn von S aus gesehen · Südpol s zur Rechten, der Nordpol n · Linken getrieben wird. Dafs diese Ufte nun zugleich senkrecht stehen zu - durch S und die Pole gelegten Ebene, tet Biot folgendermaßen ab. Bichgewichtslage n's' hängt die Nadel so, Γ_8 die Abstände n'S und s'S einander ∍ich sind und mit der Axe der Nadel gleiche Winkel bilden. Bezeichnet n'd Richtung und Größe nach die zwischen n Strome und Nordpole thätige Kraft,



lche mit der Richtung n'S irgend einen Winkel α bilde, so würde, an der Stelle n' sich ein Südpol befünde, die auf denselben einkende Kraft derjenigen, welche der Nordpol erfährt, gerade entgegenetzt, also nach n'l gerichtet sein.

Die auf den Südpol der Nadel ausgeübte Kraft muß der Größe \mathbf{h} nun genau gleich der Kraft n' d sein, da der Südpol s' ebenso

¹⁾ Biot und Savart. Eine Notiz dieser Versuche findet sich in den Annales Ehimie et de physique T. XV. p. 222; ausführlich sind sie mitgeteilt in Biots Erbuch der Physik, Fechners Übersetzung Bd. IV. S. 158 ff.

stark magnetisch und genau ebenso weit entfernt von S ist, als der Nordpol n'; die Richtung dieser Kraft muß mit s' S genau denselben Winkel bilden wie n' l mit n' S, da der Strom S auf allen Seiten dieselben Eigenschaften hat, also den Südpol in s' genau ebenso affiziert, als den eben supponierten Südpol in n'. Der Winkel fs' S ist demnach 1800 - a Bezeichnen wir nun die Winkel, welche n' S oder s' S mit der Vorlängerung der Axe der Magnetnadel bilden, mit y, so ist der Winkel welchen n' d mit derselben Richtung bildet, $dn' g = \gamma - \alpha$, der Winkel den s' f damit bildet, $hs'f = \gamma - (180 - \alpha)$.

Zerlegen wir die Kräfte n'd und s' f in ihre der Nadel parallele

und zu derselben senkrechten Komponenten, so sind letztere

$$n'd \cdot \sin(\gamma - \alpha)$$
 und $s'f \cdot \sin[\gamma - (180 - \alpha)].$

Da die Nadel im Gleichgewicht ist, so müssen die entgegengesetzten Drehungsmomente, welche diese Kräfte der Nadel erteilen, einander gleich sein; da die Hebelarme, an denen diese Kräfte angreifen, einander gleich sind, so müssen jene Komponenten einander gleich sein, und das ist nur möglich, wenn

$$\alpha = 180 - \alpha$$

$$\alpha = 90^{\circ}$$

ist, also nur dann, wenn die Richtungen der Resultanten senkrecht sind zu der durch S und die Pole gelegten Ebene.

Um die Abhängigkeit der zwischen Strom und Magnetpol wirksamen Kraft von dem Abstande des Stromes von der Nadel zu untersuchen wurde eine Magnetnadel von 20 mm Länge in der angegebenen Write an einem Stativ aufgehängt, welches horizontal verschoben werden komme, das Stativ war zu dem Ende an einer Zahnstange befestigt, welche dunb einen Trieb hin und her geschoben werden konnte. Um Luftströmungen abzuhalten, war der Apparat mit einem Glasgehäuse umgeben. Die Nade war wieder durch einen genäherten Magnet ihrer Direktionskraft beraubt sie stellte sich dann wieder senkrecht zu der durch den Strom und im Aufhängefaden geführten Vertikalebene. Wurde die Nadel aus ihrer Gleichgewichtslage gebracht, so geriet sie in Schwingungen. Bezeichnet wir das Drehungsmoment, welches der Strom der Nadel in der zur Gleich gewichtslage senkrechten Lage erteilt, mit f, das Trägheitsmoment ist Nadel in Bezug auf den Aufhängefaden mit K, die Schwingungsdall der Nadel mit t, so werden wir dem Pendelgesetze, dessen Anwendung auf diese Schwingungen gestattet ist, zufolge setzen können

$$t = \pi \sqrt{\frac{K}{f}}$$
$$f = \frac{\pi^2 K}{t^2}.$$

Die von dem Strome auf die Nadel ausgeübte Kraft ist also hingeate der Schwingungsdauer umgekehrt proportional.

Nac. Resultat einer solchen Beobachtungsreihe enthält folgende Kraft wirkt

stand des Stro- s von der Mitte der Nadel	Schwingungsdauer aus 10 Oscillatio- nen bestimmt	f, jene bei 30 mm Abstand gleich 1 gesetzt		
30 mm	4,225"	1		
40	4,885	$\frac{3}{4}$ (1 - 0,008508)		
20	3,35	$\frac{3}{2}$ (1 + 0.02309)		
50	5,475	$\frac{3}{5}$ (1 — 0,036673)		
60	5,675	8. /1 L 0.00E4CO		
120	8,990	$\frac{3}{12}(1-0.103892)$		
15	3,00	$\frac{2}{1}$ (1 + 0,076010).		

ie in der letzten Kolumne angeführten Zahlen beweisen, dass die hteten Kräfte sich fast genau umgekehrt wie die Abstände der von dem Strome verhalten; die Abweichungen, welche die in den iern angegebenen Koefficienten messen, erklären sich leicht aus der Denn da bei den verschiedenen Beobachtungen r Beobachtungen. del selbst von ihrer Stelle gerückt wurde, mußte jedesmal durch nderung in der Stellung des Magnetes die eigene Direktionskraft ulel kompensiert werden; die Unterschiede zwischen der Beobachand dem ausgesprochenen Gesetze erklären sich daher vollkommen , dass die Kompensation nicht immer gleich gut gelungen war. ei der Kürze der Magnetnadel kann man den Abstand des Stromes ir Mitte der Nadel mit dem Abstande desselben von den Polen veren; dann ergiebt sich das Gesetz, dass die Kraft, mit welcher ein ich langer Strom auf einen Magnetpol einwirkt, sich umgekehrt ; wie der senkrechte Abstand des Poles von dem Strome. us diesem Satze über die Wirkung eines unbegrenzten geradlinigen s auf die Pole eines Magnetes lässt sich nun auch ableiten, wie ement eines Stromes auf einen Magnetpol wirkt. Wir haben uns n Ende nur an die im vorigen Paragraphen gegebene Ableitung irkung eines unendlichen Stromes auf ein Solenoid zu erinnern. Die ng eines Stromelementes auf einen Solenoidpol war ihrer Größe egeben durch

 $w = \frac{1}{2} \frac{i \, af \, i' \, ds}{r^2} \sin \omega \,,$

r den Abstand des Poles von dem Elemente und ω den Winkel et, welchen die Richtung des Elementes mit r bildet. Aus diesem ergab sich für die Wirkung eines unbegrenzten geradlinigen Stromes n Pol eines Solenoides

$$W = \frac{iaf}{l}i',$$

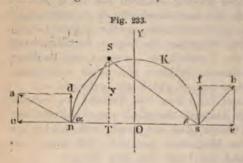
penfalls, dass die Einwirkung dem senkrechten Abstande des Poles m Strome umgekehrt proportional ist.

a wir nun letzteres Gesetz durch den Versuch auch für die Wechselg zwischen einem unbegrenzten Strome und dem Pole eines Maginden, so liegt es nahe, daraus zu schließen, daß für die Wechselg zwischen einem Stromelement und dem Pole eines Magnetes dertusdruck gilt, wie für die Wechselwirkung zwischen dem Stromelend einem Solenoidpole, vielleicht multipliziert mit einer Konstanten.

Die Einwirkung eines Stromelementes auf einen Magnetpol würde dann ebenso dem Sinus des Winkels, welchen das Element mit der Verbindungslinie des Poles und des Elementes bildet, direkt, dem Quadrate des Abstandes umgekehrt proportional sein, sie würde zugleich senkrecht zu der durch den Magnetpol und das Stromelement gelegten Ehene gerichtet sein.

Ehe wir auf dieses Gesetz näher eingehen und aus demselben weitere Folgerungen ableiten, wollen wir einige Bewegungen aus dem Gesetze von Biot und Savart ableiten, welche eine Magnetnadel unter dem Einflusse eines Stromes zeigt, und nach welchen es häufig scheint, als wenn ein Strom eine Magnetnadel direkt anzöge.

Lässt man z. B. eine kleine Magnetnadel mittels eines Korkes oder direkt auf dem Wasser schwimmen, und leitet über die Nadel horizontal einen kräftigen Strom hin, so wird die Magnetnadel nicht nur so gerich-



tet, das sie senkrecht liegt met der durch den Strom gelegten Vertikalebene, sondern sie schwimmt auch gegen den Strom hin, bis jene Vertikalebene die Mitte der Nadel schneidet 1). Um diese Erscheinung aus dem Biot-Savarschen Gesetze abzuleiten, sei 8 (Fig. 233) der Durchschnitt des horizontalen Stromes mit der Ebene der Zeichnung und ns die schwimmende zu der durch 8

gelegten Vertikalebene senkrechte Nadel; die auf beide Pole ausgeübten Kräfte sind dann $sb \perp Ss$ und $na \perp Sn$.

Die mit der Nadel parallelen und zu ihr senkrechten Komponenten sind sc, nc, sf, nd, gerichtet wie die Pfeile es andeuten. Ist der Winkel $Sns = \alpha$, und $Ssn = \beta$, und bezeichnen wir die Einwirkung des Stromes auf die Pole im Abstande eins mit w, so ist

$$nd = \frac{w}{Sn} \cdot \cos \alpha, nc = \frac{w}{Sn} \cdot \sin \alpha; sf = \frac{w}{Ss} \cdot \cos \beta, sc = \frac{w}{Ss} \cdot \sin \beta.$$

Die beiden zur Nadel senkrechten Komponenten würden dieselbe von dem Wasser empor zu heben suchen, wir brauchen sie deshalb nicht m beachten.

Nennen wir den senkrechten Abstand des Stromes von der Nadel ST = y, die Länge der Nadel 21, und OT = x, so ist

$$\sin \alpha = \frac{y}{Sn}; \sin \beta = \frac{y}{Ss}.$$
Daraus folgt
$$nc - se = \frac{wy}{Sn^2} - \frac{wy}{Ss^2} = \frac{wy}{y^2 + (l-x)^2} - \frac{wy}{y^s + (l+x)^2}$$

$$nc - se = \frac{wy}{\{y^2 + (l-x)^2\} - \{y^2 + (l+x)^2\}}.$$

¹⁾ Boisgiraud ainé, Ann. de chim. et de phys. T. XV.

Diese Differenz bewegt die Nadel nach der einen oder anderen Seite hin, sie ist von null verschieden, so lange x und y von 0 verschieden sind. Wenn y gleich 0 ist, der Strom also die Nadel berührt, so ist sie im Gleichgewicht, sobald die Nadel senkrecht liegt zur Richtung des Stromes; wie man sieht, sind dann die beiden der Nadel parallelen Komponenten schon für sich gleich null.

Die Differenz ist ebenfalls gleich null, wenn x gleich null ist, wenn also die durch den Strom gelegte Vertikalebene die Nadel halbiert, dann ist die Nadel im Gleichgewicht; wenn der Strom sich einem Pole näher befindet als dem anderen, so wird die Nadel nach der Seite dieses Poles fortgezogen, bis x gleich null, also jene Gleichgewichtslage erreicht ist.

Fortgezogen, bis x gleich null, also jene Gleichgewichtslage erreicht ist. Wenn man dem Pole einer um eine vertikale Axe drehbaren Nadel einen vertikalen Strom nähert, so beobachtet man im allgemeinen eine Anziehung oder auch eine Abstossung des Poles. Stelle, um diesen Fall näher zu untersuchen und ihn aus dem Biot-Savartschen Gesetze abzuleiten, jetzt S (Fig. 233) den Durchschnitt eines vertikal absteigenden Stromes mit der Ebene der Zeichnung und ns eine in der Horizontalebene um O drehbare Nadel vor. Die Wirkungen des Stromes auf die Pole sind dann wieder na und sb; die der Nadel parallelen Komponenten dieser Kraft haben wir nicht zu beachten, da die Nadel keine ihrer Axe parallele Bewegung annehmen kann; die zur Nadel senkrechten Komponenten sind dann, da

$$\cos \alpha = \frac{l-x}{Sn}, \cos \beta = \frac{l+x}{Ss},$$

$$nd = \frac{w \cdot (l-x)}{y^2 + (l-x)^2}, sf = \frac{w \cdot (l+x)}{y^2 + (l+x)^2}.$$

Da diese beiden Kräfte an den gleichen Hebelarmen wirken, so erteilen sie der Nadel ein Drehungsmoment, welches der Differenz der beiden Kräfte proportional ist und die Nadel im Sinne der größeren Kraft zu drehen sucht. Diese Differenz ist

$$nd - sf = \frac{w \cdot 2x \left[l^2 - (x^2 + y^2)\right]}{\left\{y^2 + (l - x)^2\right\} - \left\{y^2 + (l + x)^2\right\}}.$$

Diese Differenz ist gleich 0, wenn x=0, also immer dann, wenn die in der Ebene der Nadel von dem Strome auf die Richtung der Nadel gefällte Senkrechte die Mitte der Nadel trifft; befindet sich also der Strom in der durch OY gelegten Vertikalebene, so ist die Nadel im Gleichgewicht, wenn sie zu dieser Ebene senkrecht ist.

Diese Differenz ist ferner gleich 0, wenn der Draht sich in einer solchen Stellung befindet, daß

$$x^2 + y^2 = l^2;$$

das ist der Fall, wenn der Querschnitt S sich auf der Peripherie des um O mit dem Radius l, also mit der halben Länge der Nadel beschriebenen Kreises befindet, denn dann ist immer S die Spitze eines rechtwinkligen Dreiecks, dessen Katheten x und y sind, dessen Hypotenuse l ist.

Ist x von O verschieden, so hängt es von dem senkrechten Abstande y des Stromes von der Nadel ab, nach welcher Richtung die Nadel ge-

dreht wird; ist x positiv und befindet sich der Strom außerhalb des Kreises K, so ist

$$l^2 < x^2 + y^2$$
.

Die Differenz nd - sf ist negativ, die Nadel wird also im Sinne des von sf ausgeübten Drehungsmomentes gedreht, der Nordpol wird scheinbar abgestofsen; befindet sich der Strom innerhalb des Kreises K, so ist

$$l^2 > x^2 + y^2$$
.

Die Nadel wird im Sinne der Kraft nd gedreht, der Nordpol scheinbar angezogen.

Ist x negativ, befindet sich also der Strom näher bei dem Südpole, so wird der Südpol abgestofsen, wenn sich der Strom außerhalb, angezogen, wenn er sich innerhalb des Kreises befindet.

Für einige Grenzfälle ergiebt sich dieses schon ohne Rechnung; befindet sich der Strom z. B. in der Richtung nd senkrecht vor n, dann ist die Wirkung auf n der Nadelaxe parallel; dieselbe hat also, wie groß sie auch sein mag, keine zur Nadel senkrechte Komponente; die Wirkung auf s aber ist senkrecht zu Ss, hat also immer eine zur Axe der Nadel senkrechte Komponente; die Nadel wird sich aber immer in der Richtung dieser Komponente drehen.

Pouillet hat nach der Angabe von Biot alle diese Folgerungen durch den Versuch bestätigt¹).

In ganz ähnlicher Weise erklären sich alle sonstigen Anziehungund Abstofsungserscheinungen, unter anderen folgende von Dove beobach-



teten²). Eine Magnetnadel wurk, wie Fig. 234 ns, auf ein leichte Brettchen und dieses auf ein horizontale Schneide gelegt; un die Magnetnadel zu equilibrieren, wurde auf die andere Seite des

Brettchens ein kleines Gegengewicht aufgestellt. Die Nadel konnte sich demnach nur in der Vertikalebene auf- und abbewegen, indem das Brettchen sich um die Schneide als Axe drehte.

Die Nadel wurde nun senkrecht zu dem magnetischen Meridiane gestellt, und dann ein Strom darüber oder darunter hin geleitet, welcher dem magnetischen Meridiane parallel nach Süden oder nach Norden flots

So zeigte sich Folgendes:

	Die Nad	lel lag			Strom	flofs	Die Nadel wurde
das	Südende	nach	Osten	darunter	nach	Norden	abgestoßen
"	"	72	11	, 11	"	Süden	angezogen
32	77	22	59	darüber	77	Norden	angezogen
22	- 33	22	25	77	11	Süden	abgestofsen
12	Nordende	22	22	darunter	11	Norden	angezogen
21	77	27	21	. "	37	Süden	abgestoßen
.32	11	33	**	darüber	17	Norden	abgestofsen
11.	31	12	27	27	22	Süden	angezogen

1) Pouillet. Nach Angabe von Biot, Lehrbuch der Physik, von Fechniubersetzt, Bd. IV. S. 175.

2) Dove, Poggend. Ann. Bd. XXVIII.

se Beobachtungen bedürfen nach dem Vorigen keiner weiteren Er; ein Blick auf Fig. 233 weist z. B. sofort die Bewegung für den und damit auch für alle übrigen Fälle nach.

enso wie nach den vorigen Angaben die Pole eines Magnetes von imen angezogen werden, so auch werden Ströme von den Magneten en; um diese Anziehungen, welche nach den Erklärungen, die wir durchführten, sich von selbst ergeben, zu zeigen, hat man nur Ampèreschen Gestell beweglich aufgehängten Strömen Magnetpole rn. Wenn man einem absteigenden Strome z. B. einen Nordpol len her nähert, so wird er angezogen, nähert man ihm denselben den, so wird er abgestoßen. Man braucht, um alle diese Ergen abzuleiten, sich nur daran zu erinnern, daß nach dem Princip chheit von Aktion und Reaktion auf die Ströme von den Polen aber entgegengesetzt gerichtete Wirkungen ausgeübt werden, wie Strömen auf die Pole.

§. 123.

pères Theorie des Magnetismus. Um die Erscheinungen des mus zu erklären, haben wir in dem ersten Abschnitte dieses Teiles hme gemacht, daß in den Magneten und in jedem Moleküle derei magnetische Flüssigkeiten vorhanden sind, eine nordmagnetische südmagnetische. Diese Flüssigkeiten sollen in den Molekülen der zetrennt sein und in allen Molekülen die nordmagnetische Flüssigler einen, die südmagnetische Flüssigkeit an der andern Seite Die Anziehung oder Abstoßung, welche wir bei den Magneten n, wurde dann als von der Wechselwirkung dieser Flüssigkeiten d betrachtet, der Art, daß die gleichnamig magnetischen Flüssigh abstoßen, die ungleichnamigen sich anziehen.

die Hypothese von der Existenz solcher Fluida war man nur gel man an den Magneten Eigenschaften beobachtete, welche man Körpern nicht fand und auf keine Weise hervorbringen konnte; Satze ausgehend, dass jede sich in Anziehung oder Abstossung Kraft Eigenschaft eines Stoffes sei, nahm man dann an, dass nagnetische Kraft die Eigenschaft eines Stoffes, der magnetischen

lurch die Entdeckung Oersteds, dass strömende Elektricität und uf einander wirken, die innige Beziehung zwischen Elektriciagnetismus festgestellt war, und besonders seit durch die Ben Ampères gezeigt war, dass man mit Hilse der strömenden auch an andern Körpern Anziehungen und Abstosungen hervorte, welche den magnetischen sehr ähnlich sind, lag es nahe, die m Kräfte auf elektrische zurückzuführen, und nach dem Satze, stur sich vorgesetzt zu haben scheint, mit Wenigem Vieles zu magnetischen Flüssigkeiten zu verbannen.

in der That, vergleichen wir das Verhalten zweier Magnete mit zweier Solenoide, so finden wir die vollste Übereinstimmung. namigen Pole zweier Magnete ziehen sich an, die gleichnamigen ab, mit einer Kraft, welche abnimmt, wie die Quadrate der Entfernungen der beiden Pole wachsen; ebendasselbe thun die Pole zweier Solenoide. Für die Wechselwirkung zweier Solenoidpole erhielten wir der Ausdruck

$$W = -\frac{1}{2} \frac{i \, i' f f' \, a \, a'}{e^2}.$$

Für zwei Magnetpole haben wir

$$W = \frac{m \mu}{c^2}.$$

Die beiden Magnetpole können also vollständig durch Solenoidpole ersetzt werden, wenn

ist. Ebenso kann aber auch jeder der beiden Pole durch einen Solenoidpol ersetzt werden, denn ein Magnet wirkt auf einen Solenoidpol gerade sy wie auf einen andern Magnetpol. Man kann das auch direkt durch Versuche mit dem elektrodynamischen Cylinder zeigen; auf denselben wirkt ein Magnet gerade so wie ein anderer elektrodynamischer Cylinder.

Ein Solenoid wird ebenso wie eine Magnetnadel durch den Einfalls der Erde gerichtet, ist es um eine vertikale Axe drehbar, so stellt es sich der Ebene des magnetischen Meridianes parallel; ist es um eine zum magnetischen Meridiane senkrechte horizontale Axe drehbar, so stellt es sich der Richtung der Inklinationsnadel parallel.

Die Wechselwirkung zwischen einem Magnetpole und einem Stromelemente ist ebenfalls, wie wir sahen, der Wechselwirkung zwischen einem Solenoidpole und dem Stromelemente vollkommen gleich.

Ebenso läfst sich nachweisen, dafs die Wechselwirkung zwischen einem geschlossenen unendlich kleinen Strome und einem Stromelemente gleich ist der Wirkung eines unendlich kleinen zur Ebene des Stromes senkrechten Magnetes, wenn das Produkt aus dem von dem kleinen Strome umflossenen Flächenraume in die Intensität des Stromes gleich ist dem magnetischen Momente des Magnetes.

Diese sich aus den beiden letzten Paragraphen ergebende, hier nochmals an einzelnen Punkten hervorgehobene Übereinstimmung zwischen dem Verhalten von Magneten und Solenoiden veranlaßte Ampère 1), die Hypthese magnetischer Fluida vollständig fallen zu lassen und anzunehmen daß ein Magnet sich von einem Solenoide oder einem Bündel Solenoide nicht unterscheide.

Betrachten wir zunächst einen linearen Magnet, so nimmt Ampère an daß jedes Molekül desselben beständig von einem Strome umflossen werde in dem Sinne, daß wenn man den dem Beobachter zugewandten Südpelbetrachtet, der Strom in demselben Sinne sich bewegt, wie der Zeiger einer Uhr; sieht man dann gegen den Nordpol hin, so bewegt sich der Strom in dem entgegengesetzten Sinne, wie der Zeiger einer Uhr. Wir sahen daß die Pole des Solenoides oder elektrodynamischen Cylinders ebento bestimmt sind.

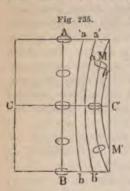
¹⁾ Ampère, Ann. de chim. et de phys. T. XV. p. 70 ff. und p. 170 ff. Mémoire sur la théorie etc. p. 323-372.

In einer Beziehung unterscheiden sich jedoch die linearen Magnete den Solenoiden, wie wir sie bisher betrachteten. Bei den Solenoiden, che aus einer Schichtung gleichstarker Ströme bestehen, reduziert sich ganze Kraft, welche nach außen wirkt, auf jene der Endfläche, denn Resultierende aus den gegenseitigen Wirkungen zweier unendlicher Solele ist durch die Mittelpunkte der Endflächen gerichtet. Bei den Magneten egen ist das nicht der Fall, dort findet sich bis zur Indifferenzzone er Magnetismus, die Pole liegen daher nicht in den Endflächen, sondern einiger Entfernung von denselben. Wie wir sahen, rührt diese Verung des Magnetismus in den Magneten daher, daß die Molekularnete von den Enden gegen die Mitte hin an Stärke zunehmen, daßs magnetische Moment derselben gegen die Mitte hin größer wird. Nach obigen Vergleichung von Magneten und Solenoid kann ein Molekularmet durch einen kleinen geschlossenen Strom ersetzt werden, wenn das netische Moment gleich ist dem Produkte aus der Stromstärke und der ı Strom umflossenen Fläche; wir würden daher, um das Verhalten des snetes mit dem eines Solenoides ganz zu parallelisieren, nur anzunehmen en, daß die Intensität der Molekularströme von den Enden gegen die te hin zunehme. Dann würde auf jedem Querschnitte des Solenoides, da an einander grenzenden Ströme nicht gleiche Intensität haben, ein Strom ig bleiben, dessen Intensität der Differenz der benachbarten Molekularme proportional ist, und die Wirkung eines solchen Solenoides wird ı nicht auf die der Endflüche reduzieren, der Pol wird nicht in der Iffache liegen. Indes ist eine solche Annahme doch wohl nicht stattt, man wird vielmehr, wie wir §. 11 dieses Teiles schon bei den Molearmagneten thaten, annehmen müßen, daß die einzelnen Ströme alle ch sind. Dann lässt sich der Linearmagnet mit dem Solenoide nicht ständig parallelisieren; indes ist das kein Mangel der Theorie, da wir magnetische Verteilung in einem Linearmagnete durchaus nicht kennen, lern dieselbe nur der an endlichen Magneten beobachteten analog an-Allein schon die Annahme von Molekularmagneten fordert zur lärung der magnetischen Verteilung Magnete mit endlichem Querschnitte, wie dort, ergiebt sich für solche auch hier die Verteilung des Magnetisleicht der Beobachtung gemäß, wie wir gleich zeigen werden.

Betreffs der die Moleküle umkreisenden Ströme müssen wir noch eine indere Voraussetzung machen; wir müssen annehmen, daß sie in Bahnen sen, in welchen ihnen kein Widerstand entgegensteht. Denn da wir en, daß ein galvanischer Strom, welcher in seinen Leitern einen Widerd findet, sofort aufhört, wenn die elektromotorische Kraft aufhört, so de irgend ein Widerstand die Molekularströme in den Magneten auch lählich vernichten müssen, und der Magnetismus müßte allmählich vervinden.

Von widerstandslosen Strombahnen können wir uns allerdings keine stellung machen; indes dürfen wir dies vorläufig nicht als ein Hinderder Theorie betrachten, da wir über das Wesen der Elektricität noch haus im Dunkeln sind und es z. B. möglich ist, dass der elektrische in eine Bewegung ist, ähnlich wie die neuere Wärmetheorie sie im in der Körper annimmt; permanente Molekularströme würden dann ern, dass unter gewissen Umständen diese Bewegung fortdauern kann.

Ein Magnetstab wurde von uns schon früher als ein Bündel von line aren Magneten betrachtet, nach der Theorie von Ampère besteht daher ein Magnet aus einem Bündel von Solenoiden, wobei indes nicht alle Axen der Solenoide gerade der magnetischen Axe parallele Linien sind. Es wird vielmehr durch die Einwirkung der im Innern der Magnete liegenden Molekularströme die Ebene der der Oberfläche näheren Ströme so gedreht werden, dafs die Axe der äußern Solenoide eine gegen die Axe des Magnets konvexe Linie wird. Denn ist Fig. 235 M ein außerhalb der Axe liegender



Molekularstrom, so wird dessen der Axe zugewandte Seite α von den ihm zugewandten Seiten der der Axe näher liegenden, die der Axe abgewandte Seite behenso von den weiter nach außen liegenden Stomen abgestoßen. Liegt M oberhalb der Mitte, wird sich daraus eine den Strom nach oben twibende Kraft ergeben, da sich unterhalb M mehr Ströme befinden als oberhalb M. Zugleich wird aber, da auf der Seite der Axe von M aus ein größere Zahl von Strömen liegt als außerhalb M, der Antrieb, welchen α nach oben erhält, größer sein als der Antrieb, welchen β erhält; daraus wie giebt sich aber eine Drehung, welche M der Solle des Magnetes zuwendet. Das wird um so mehr

der Fall sein, je weiter M von der Axe AB oder der Mitte CC' des Magnetes entfernt ist. Links von AB und unterhalb CC' werden sid die Molekularströme entgegengesetzt richten.

Wie man sieht, werden dadurch die Axen der nebeneinanderliegenden Solenoide gegen die Axe konvex gekrümmt werden, und zwar um so meht, je näher man der Oberfläche der Magnete kommt, so daß ab, a'b' dieselbes darstellen. Daher werden von den Solenoiden einige auf der Seitenfläche des Magnets ihren Pol haben, und infolge dieser Gruppierung der Solenoide muß auf den Seitenflächen der Magnete freier Magnetismus vorhanden sein, und das magnetische Moment der der Mitte näheren Querschnitte größer sein als das derjenigen, welche dem Ende näher liegen. Es wird also durch die mehr oder weniger parallele Richtung der Molekularströme die Verteilung ebenso erklärt, wie durch die mehr oder weniger parallele Richtung der Molekularmagnete.

Wie hiernach die Erscheinungen des Magnetismus überhaupt auf det trische Ströme zurückgeführt sind, so wird man auch als den Grund de Erdmagnetismus jenen Erdstrom ansehen, auf dessen Annahme uns die im §. 120 betrachteten Erscheinungen geführt haben. Indem nun in den Temperaturänderungen an den verschiedensten Punkten der Erde und in den mannigfachen molekularen Vorgängen im Innern und an der Oberfläche det Erde eine Menge von Gründen für Variationen in der Intensität und und wohl in der Richtung des Erdstromes vorliegen, sieht man zugleich einen Weg, um die Variationen des Erdmagnetismus zu verstehen.

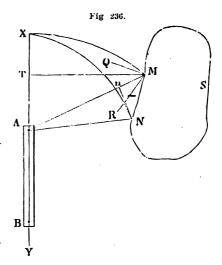
§. 124.

Rotation von Strömen unter dem Einflusse von Magneten. ir haben im §. 122 aus der Gleichheit der Wechselwirkung zwischen med Pole eines Magnetes oder eines Solenoides und eines unbegrenzten Tadlinigen Stromes den Schluß gezogen, daß auch die Wirkung zwischen sem Stromelemente und einem Magnetpole, und zwischen einem Strommente und einem Solenoidpole dieselbe sei. Dieser Schluß ist nicht must exakt, da man aus der Gleichheit zweier Summen nicht ohne weiteres muschluß ziehen kann, daß auch die einzelnen Summanden, durch welche der beiden Summen gebildet wurde, einander gleich sind. Wir können leß a posteriori die Richtigkeit dieses Schlusses nachweisen, indem wir f jenen Ausdruck für die Wechselwirkung von Magnetpol und Stromment gestützt, das Verhalten beweglicher Ströme und fester Magnete, r fester Ströme und beweglicher Magnete allgemein untersuchen und n durch das Experiment die Übereinstimmung zwischen Theorie und

ahrung nachweisen. Gelingt das ztere, so werden wir daraus die htigkeit der Voraussetzung, daß

Wechselwirkung zwischen einem netpole und einem Stromelemente ch ist derjenigen zwischen einem noidpole und einem Stromelete, zu folgern berechtigt sein.

Sei, um die Bedingungen, unter chen ein Strom um einen Magnet ren kann, zu untersuchen 1), MN 236 ein Element eines Stromes welcher um die Axe XY, welche ch die Pole des Magnetes AB 1t, drehbar ist. Die Wirkung des es A auf das Element ist senkt zu der durch die Verbindungsie AM und das Element MN egten Ebene und greift im Mittel-



white des Elementes an. Ist der Abstand MA des Elementes von dem le gleich r, und der Winkel AMN, welchen das Element mit r bildet, sich ω , so ist die Einwirkung des Poles auf das Element, welche der öse und Richtung nach durch MQ dargestellt sein mag,

$$MQ = c \cdot \frac{mi \ ds}{r^2} \cdot \sin \omega,$$

rin m den Magnetismus des Poles A bedeutet.

Die Wirkung MQ können wir in zwei Komponenten zerlegen, deren in die durch die Axe des Magnetes XY und r gelegte Ebene fällt, in andere zu dieser Ebene senkrecht ist. Nur die letztere dieser Komtenten kann eine Rotation des Elementes erzeugen, da sie senkrecht

¹⁾ Ampère, Ann. de chim. et de phys. T. XXXVII.

zu der durch die Drehungsaxe gelegten Ebene ist. Bezeichnen wir der Winkel, den diese Komponente MR mit MQ bildet, durch ε , so ist de Komponente

$$MR = e^{\frac{mids}{e^2}} \sin \omega \cos \varepsilon$$
.

Um das Drehungsmoment zu erhalten, welches diese Kraft dem Elemente erteilt, müssen wir MR mit dem senkrechten Abstande des Argriffspunktes M der Kraft von der Drehungsaxe mit MT multipliniens Ist der Winkel, welchen r mit der Axe bildet, der Winkel $TAM = \delta_i$ so ist

$$MT = r \sin \vartheta$$
,

und darnach wird das Drehungsmoment, welches die Kraft MR den Stromelemente erteilt,

$$\delta = c \frac{m i ds}{\tau} \sin \omega \sin \vartheta \cos \varepsilon.$$

Wir erhalten das Drehungsmoment, welches der ganze Strom duri die Wirkung des Magnetpoles erhält, wenn wir den Wert von δ für jels Element aufsuchen und alle diese Werte summieren. Um das zu könne, müssen wir zunächst die sämtlichen veränderlichen Größen in dem Audrucke für δ, nämlich r, ds, ω, ε, ϑ als Funktionen derselben Veränder lichen ausdrücken; wir wählen dazu ϑ.

Beschreiben wir um A mit dem Radius AM eine Kugel, so kömes wir ohne merklichen Fehler annehmen, dass auch N auf dieser Kugel liegt dass also XMN ein sphärisches Dreieck ist. Der Winkel, welchen die Seiten des sphärischen Dreiecks an M bilden, es ist der Winkel, welchen die Ebenen AMN und AMX mit einander bilden, ist gleich dem Winkels oder QMR, da QM senkrecht zur Ebene AMN und RM senkrecht zu AMX ist. Nach dem Fundamentalsatze der sphärischen Trigonometrie ist

cos XAN = cos XAM · cos MAN + sin XAM · sin MAN · cos to
Der Winkel XAN ist jener, in welchen & übergeht, wenn wir wir

ds zu dem nüchstfolgenden Elemente übergehen, also

$$XAN = \vartheta + d\vartheta.$$

Der Winkel XAM ist gleich 3; der Winkel MAN ist so klein, dal wir ohne merklichen Fehler seinen Cosinus gleich 1 setzen können. In den Sinus dieses Winkels zu bestimmen, fällen wir von N die Seilrechte Nu auf AM, dann ist

$$\sin MAN = \frac{Nn}{AN}.$$

Nun ist

$$Nu = ds \cdot \sin \omega$$
,

und für AN können wir ohne merklichen Fehler AM = r einsehen dann wird

$$\sin MAN = \frac{ds \cdot \sin w}{r}$$

$$\cos\left(\vartheta+d\vartheta\right)=\cos\vartheta+\frac{ds}{r}\cdot\sin\omega\cdot\sin\vartheta\cdot\cos\varepsilon$$

d daraus

$$-\sin\vartheta\cdot d\vartheta = \frac{ds}{r}\cdot\sin\omega\cdot\sin\vartheta\cdot\cos\varepsilon.$$

Setzen wir diesen Wert in den Ausdruck für δ ein, so wird

$$\delta = -c m i \sin \vartheta \cdot d\vartheta.$$

Das Drehungsmoment für alle übrigen Elemente erhalten wir, wenn r ϑ nach und nach alle Werte annehmen lassen, welche die Linie r n der einen Grenze des Stromes, wo sie mit der Axe den Winkel ϑ_1 de, bis zur anderen Grenze, wo dieser Winkel ϑ_2 sei, mit der Axe XY den kann. Das Drehungsmoment D ist für den ganzen Strom die name aller dieser einzelnen Momente, also das Integral

$$D = c m i (\cos \vartheta_2 - \cos \vartheta_1).$$

Auf das Element ds wirkt auch der Pol B ein, indem er demselben entgegengesetztes Drehungsmoment erteilt. Bezeichnen wir den Winkel, Ichen BM mit der Axe XY bildet, mit η , so ist

$$\delta' = c \ m \ i \sin \eta \cdot d\eta$$

d das Drehungsmoment, welches der ganze Strom erhält,

$$D' = -c m i (\cos \eta_2 - \cos \eta_1),$$

 η_2 den Winkel bedeutet, welchen BM mit der Axe an der einen enze bildet, η_1 den Winkel an der anderen Grenze.

Das Drehungsmoment, welches der Strom von dem ganzen Magnete zült, ist demnach

$$\mathbf{M} = D - D' = c \, \mathbf{m} \, i \cdot \{ (\cos \vartheta_2 - \cos \vartheta_1) - (\cos \eta_2 - \cos \eta_1) \} \cdot$$

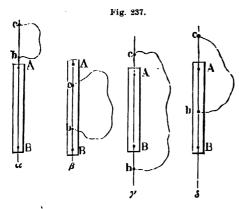
Das Drehungsmoment eines Stromes hängt somit nur von der Lage ines Anfangspunktes und Endpunktes ab, es ist unabhängig von der stalt des Stromes.

Ist der Strom ein ganz in sich geschlossener, so ist, wenn sich der Ignet außerhalb seines Kreises befindet, immer $\vartheta_2 = \vartheta_1$ und $\eta_2 = \eta_1$, d wenn sich der Magnet im Innern des Stromkreises befindet, $= \vartheta_1 + 2\pi$, $\eta_2 = \eta_1 + 2\pi$, demnach M = 0.

Ein geschlossener Stromkreis kann also nie in Rotation durch einen gnet versetzt werden; man kann nur dann durch Magnete kontinuier- Rotationen hervorbringen, wenn man einen Teil eines Stromes beglich macht, denn nur für einen Teil des Stromes kann das Drehungsment von null verschieden sein. Aber auch für bewegliche Stromteile das Drehungsmoment nicht immer von null verschieden; ob das der ist oder nicht, das hängt davon ab, wo sich die Endpunkte des beglichen Leiters befinden.

Nehmen wir an, die Endpunkte des beweglichen Leiters befinden sich der Axe des Magnets, so können wir vier Fälle unterscheiden, nämlich:

1) Beide Endpunkte befinden sich, wie Fig. 237 α , über oder dem Magnete.



- Die Enden des b lichen Leiters befinden sich schen den Polen des Ma (Fig. 237 β).
- 3) Der eine Endpunk Leiters c befindet sich dem Pole A, der andere u dem Pole B (Fig. 237 7).
- 4) Der eine Endpunkt beweglichen Leiters c bein sich über dem Pole A, andere b zwischen den bei Polen bei b (Fig. 237 d).

Nur in dem letzten die vier Fälle kann eine Rotati

eintreten; denn in dem ersten Falle ist

$$\vartheta_2 = 0$$
 $\vartheta_1 = 0$ $\eta_2 = 0$ $\eta_1 = 0$ $M = 0$,

im zweiten Falle ist

$$\vartheta_2 = 180^0 \quad \vartheta_1 = 180^0 \quad \eta_2 = 0 \quad \eta_1 = 0 \qquad M = 0,$$

im dritten Falle ist

$$\theta_2 = 0$$
 $\theta_1 = 180^0$ $\eta_2 = 0$ $\eta_1 = 180^0$ $M = 0$.

in dem vierten Falle aber ist

$$\theta_2 = 0$$
 $\theta_1 = 180^0$ $\eta_2 = 0$ $\eta_1 = 0$ $M = 2cm^2$

Der Strom rotiert als kontinuierlich um die Axe des Magnets, I das Drehungsmoment ist unabhängig von der Form des Leiters.

Liegt der eine Endpunkt des Stromes außerhalb der Axe, der and in der Axe, so tritt immer eine kontinuierliche Rotation ein, das Drehumment ist jedoch verschieden, je nach der Lage des Punktes b; sehr leicht zu zeigen, daß in dem Falle das Drehungsmoment ein Maxim wird, wenn b in der durch die Mittellinie des Magnets gelegten Ebeliegt und wenn es sich dem Magnete möglichst nahe befindet.

Es sind, seitdem Faraday¹) zuerst die Rotation eines Stromteilest einen Magnet gezeigt hat, von vielen derartige Rotationsapparate k struiert worden, wir beschreiben von diesen nur den von Jamin²) k

¹⁾ Faraday, Ann. de chim. et de phys. T. XVIII. Gilberts Ann. Bd. Li und LXXII.

²⁾ Jamin, Cours de physique. T. III. p. 243. Andere Rotationsapps siehe Keilitzsch, Galvanische Fernewirkungen S. 293 ff. Karstens Encyklopi der Physik. Bd. XIX. Ferner Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. III. § 18 Uber die Rotation von Flüssigkeiten, welche auf den Polen eines Magnetesteinem Strome durchflossen sind, siehe Davy, Philosophical Transactions for 18 Annales de chim. et de phys. T. XXV. Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXII De la Rive, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. LVI. Uper die Lieft.

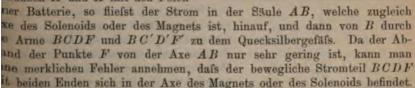
uierten, mit welchem man leicht zeigen kann, daß auch hier das Verlten der Solenoide und Magnete identisch ist.

Eine feste Kupfersäule AB Fig. 238 ist auf einer isolierenden Platte n Elfenbein befestigt; dieselbe trägt oben eine kleine Vertiefung, in

siche die Spitze eingesetzt ist, alche den Stromleiter BCD trägt. Ezterer besteht, um ihn möglichst icht beweglich zu machen, aus ier Röhre von Aluminium. Die den des Leiters FF' sind mit itzen versehen, welche in das iecksilber des ringförmigen Geses tauchen und der Axe AB so he wie möglich sind. Der Tisch d der Fuß HK sind leitend.

Auf die Säule AB kann man nieben und in verschiedenen Höhen stellen, entweder den elektromamischen Cylinder NS oder das agnetbündel N'S'; letzteres bescht aus acht dünnen cylindrischen agnetstäben, welche um eine 5hre herumgelegt sind, deren inter Durchmesser genau gleich dem feren der Säule AB ist.

Verbindet man nun die Klemmbrauben A und K mit den Polen



Man kann nun leicht durch passendes Stellen des Magnets oder elekodynamischen Cylinders die drei Fälle α, γ, δ Fig. 237 realisieren und
det dann der Theorie gemäß, wenn der Magnet oder der elektrodynaische Cylinder vollständig über oder unter F ist, nur einen sehr schwachen
utrieb, der nur deshalb nicht null ist, weil die Enden F des Leiters nicht
der Axe des Magnetes sich befinden; sobald aber F zwischen den beiden
den sich befindet, tritt sofort die Rotation mit großer Schnelligkeit ein 1).



d Rotation des Lichtbogens: Casselmann, Poggend. Ann. Bd. LXIII. Walker, Pagend. Ann. Bd. LIV.

¹⁾ Man sehe auch die von Zöllner (Poggend, Ann. Bd. CLIII, CLIV, CLVIII.), n Herwig (Poggend, Ann. Bd. CLIII) bei Gelegenheit der Kontroverse über das Helmholtzsche elementare Potentialgesetz (§. 119) ausgeführten Versuche und Bemerkungen von v. Helmholtz zu denselben (Poggend, Ann. Bd. CLIII.).

in to look or in lab to his local ball to

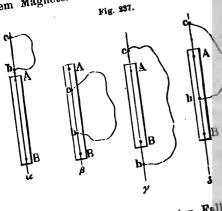
EMB BARDIN OR THE RESIDENCE OF PERSONS Ter Live

A September 1915 **一种人包括**证 BE IN I NOT M & welson EN EN PHIS

a zakete

1) Beide Endpunkte befinden sich,





eintreten; denn in dem ersten Falle ist

$$\theta_1 = 0 \qquad \theta_1 = 0$$

$$\theta_2 = 0 \qquad \theta_1 = 0$$

im zweiten Falle ist

en Falle ist
$$\theta_2 = 180^0 \quad \theta_1 = 180^0 \quad \eta_2 = 0$$

im dritten Falle ist

n Falle ist
$$\vartheta_1 = 180^0 \quad \eta_2 = 0$$

$$\vartheta_1 = 180^0 \quad \eta_2 = 0$$
the specific part is the spe

in dem vierten Falle aber ist

dem vierten Falle aber 18t
$$\vartheta_2 = 0 \qquad \vartheta_1 = 180^0 \quad \eta_2 = 0$$

$$\vartheta_2 = 0 \qquad \text{als kontinuierlich}$$

Der Strom rotiert als kontinuierlich un das Drehungsmoment ist unabhängig von der

Liegt der eine Endpunkt des Stromes at in der Axe, so tritt immer eine kontinuierlich moment ist jedoch verschieden, je nach der sehr leicht zu zeigen, dass in dem Falle das D wird, wenn b in der durch die Mittellinie liegt und wenn es sich dem Magnete mögli

Es sind, seitdem Faraday1) zuerst die einen Magnet gezeigt hat, von vielen der struiert worden, wir beschreiben von diese

i) Faraday, Ann. de chim. et de phys. T

und LXXII.

2) Jamin, Cours de physique. T. III. p
siehe Feilitzsch, (ialvanische Fernewirkungen
der Physik. Bd. XIX. Ferner Wiedemann,
Über die Rotation von Flüssigkeiten, welche
einem Strome durchflossen sind, siehe Hauy,
Annales de chim. et de phys. T. XXV. Pogg.

Annales de chim. et de phys. T. XXV. Pogg. De la Rive, Annalos de chim. et de phys.

gar keine Rotation ein, indem die den entgegengesetzten Polen Drehungsmomente entgegengesetzt und an Größe einander gleich

Man kann in dieser Weise auch einen Magnet um seine eig zur Rotation bringen. Die Bedingung, unter welcher dieses ein wieder dieselbe, es muß ein Teil des Stromes mit dem Magn verbunden sein, am besten durch ihn selbst fließen; der übrige Stromes erteilt ihm dann die Drehung um die Axe, vorausgeset nicht die Punkte, an welchen der Strom in die Axe selbst tritt, selben Seite eines Poles liegen oder durch den ganzen Magnet v ander getrennt sind; die beiden Punkte müssen durch einen der F einander getrennt sein.

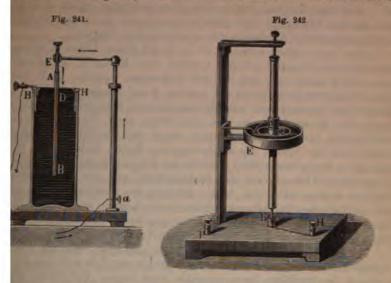
Man kann sich die Entstehung dieser Rotation am besten omachen, wenn man den Magnet als ein Bündel von Linearmagne trachtet, welche der Axe parallel dieselbe in Röhrenform umgeben nicht mit dem Magnete fest verbundenen Stromteil giebt dieses I wenn es selbst fest ist, ein Drehungsmoment um die Axe, dessen wir im vorigen Paragraphen bestimmten. Ist der Strom fest u Bündel beweglich, so muß genau dasselbe Drehungsmoment, nur gegengesetzter Richtung das Bündel um dieselbe Axe rotieren ma

Es gelang zuerst Ampère 1), die Rotation eines Magnetes un eigene Axe zu zeigen. Er tauchte in ein mit Quecksilber gefülltes einen Magnet AB Fig. 241, an dessen unterem Ende ein Plating befestigt war, welches bewirkte, dass der Magnet in vertikaler 8 und so schwamm, dass der Pol A sich ausserhalb des Quecksilb fand. Die obere Endfläche A des Magnets war vertieft, und in d tiefung befand sich ein Tröpfchen Quecksilber. Die Spitze der s Stative S befindlichen Schraube E reichte in diese Vertiefung bei A und brachte so den Magnet mit dem Stativ in leitende Verbindung Gefüss war mit einem Metallringe auf seiner inneren Seite ve welcher von dem Quecksilber des Gefäses berührt wurde. We Klemmschraube a mit dem positiven, die Klemmschraube H mi negativen Pole einer Batterie verbunden wurde, so stieg der Str Stativ zu der Schraube E auf, von dort durch die Axe des Magi der Oberfläche des Quecksilbers in D ab, und floss dann durch das silber zu dem mit der Klemme H verbundenen Ringe und von d der Batterie zurück. Der Stromteil ED ist mit dem Magnet fe: bunden, der in dem Punkte E, über dem Pole A und in dem Pw zwischen den beiden Polen auf der Axe, endigende Stromteil v daher den Magnet in Rotation, er rotiert, wenn A ein Nordpol is der Strom die angegebene Richtung hat, von oben gesehen in dem der Bewegung des Uhrzeigers. Es ergiebt sich das schon aus de pereschen Regel, wenn man die Wirkung der nächstliegenden Stro betrachtet, welche den Nordpol zur Linken ablenken.

Jetzt giebt man dem Apparate gewöhnlich die Form Fig. 242 Magnet kann sich um die Verbindungslinien der beiden Spitzen d der in der Mittellinie befestigte Platindraht g taucht in die kreiss

¹⁾ Ampère, Ann. de chim. et de phys. T. XX.

ilberrinne E. Der Strom tritt in P ein, fliesst zur Quecksilberrinne, eser zu dem Magnete, durch denselben nach B und von da durch



emme H zur Batterie zurück. Wie man sieht, ist der Apparat im dem Ampèreschen ganz gleich.

§. 126.

blenkung des Stromes in einem Leiter. Bringt man zwischen die nes kräftigen Magnetes biegsame Leiter, so wirken auf die einzelnen des desselben die in den letzten Paragraphen besprochenen Kräfte, deren die Leiter in bestimmte Gestalten gebogen werden müssen. Formänderungen hat Le Roux¹) zuerst experimentell gezeigt. Ein Platindraht, etwa 0,07 mm dick und 200 mm lang, wurde zwischen icken Kupferdrähten lose ausgespannt und in verschiedenen Lagen en die Pole eines sehr kräftigen Hufeisenmagnetes gebracht. Durch raht wurde ein starker Strom geführt, so daß derselbe glühend

War der Draht senkrecht zur Verbindungslinie der beiden Pole, enannter äquatorialer Richtung gehalten, so bog er sich zu einem ben oder unten konvexen Bogen je nach der Lage der Pole und der ag des Stromes im Leiter. Denken wir uns den Nordpol vor, den hinter der Ebene des Papiers und einen Strom in der Ebene des von links nach rechts fließen, so wird der Draht zu einem nach tonvexen Bogen gestaltet. Man erkennt die Notwendigkeit dieser g, indem man sich daran erinnert, daß ein Stromelement, wenn man demselben, den Kopf nach der Richtung des Stromes haltend, denkt und den Südpol ansieht, einen Antrieb zur Linken erhält.

Le Roux, Ann. de chim. et de phys. III. Série. T. LIX. Man sehe auch Wiedem. Ann. Bd. XXIII.

Spannt man den Draht von Pol zu Pol, so nimmt derselbe S-Form an; stehen die Pole einander horizontal gegenüber, so lie S in horizontaler Ebene; auch diese Formänderung ergiebt sich um bar aus der Erwägung, daß jedes Stromelement durch den Nordpol

entgegengesetzten Antrieb erhält als durch den Südpol.

Man hat vielfach versucht, ob auch der Strom selbst in einem eine ähnliche Biegung erfährt, vielfach ohne Erfolg 1), bis zuerst eine solche Ablenkung des Stromes nachweisen konnte. Hall klebt eine Glasplatte ein etwa 2 cm breites, 9 cm langes Goldblatt; au Enden des Streifens war mit Messingklemmen Stanniol gedrückt, so wenn die Messingklemmen mit den Polen eines Elementes verbi wurden, ein Strom der Länge nach durch den Streifen hindurchgin zwar, dass der Strom, da er der ganzen Breite nach in das Gold eintrat, in demselben überall parallel der Längsrichtung des Streifens In gleichem Abstande von der Eintrittsstelle und der Austrittsstelle Stromes wurden nahe den beiden Rändern des Streifens die Enden ein empfindliches Galvanometer enthaltenden Leitung angebracht. Bert dieselben das Goldblatt in einer Linie gleichen Potentialniveaus, so durch diese Leitung kein Strom. Diese Vorrichtung wurde so zwis die Pole eines kräftigen Elektromagnetes gebracht, dass die Ebene Goldblättchens senkrecht zur Verbindungslinie der Pole war und die Lä richtung des Streifens die äquatoriale Lage hatte. Der Strom floß in äquatorialer Richtung wie bei dem ersten Versuche von Le Roux. lange der Elektromagnet nicht in Thätigkeit war, floss durch die Zw leitung kein Strom, wurde aber der Elektromagnet erregt, so wurde Zweigleitung von einem konstanten Strome durchflossen, dessen Richt mit dem Wechsel der Magnetpole sich umkehrte. Die Beobachtung weist, dass während ohne Wirkung der Magnetpole in einer zur La richtung senkrechten Linie das Potentialniveau an allen Stellen densell Wert hat, dass durch die Wirkung der Pole die Potentialniveaus geand somit die Stromfäden abgelenkt sind.

Dass es sich indes in diesem Falle nicht um eine einfache elekt dynamische Ablenkung des Stromes in dem Goldblatte handelt, pot daraus hervor, dass die Ablenkung des Stromes in dem Goldblatte dampèreschen Regel entgegen ist. Wir sahen, der Le Rouxsche Das wird nach oben gebogen, wenn vor der Ebene des Papiers ein Nordenhinter derselben ein Südpol ist und der Strom von links nach rechts sließ bei den Versuchen Halls wird der Strom umgekehrt abgelenkt, dem dem Falle geht in der Zweigleitung ein Strom von dem unteren Berührung punkte des Streisens durch das Galvanometer zum obern. Es ergiebt sie das weiter daraus, dass die Richtung und Intensität des Stromes im sie vanometer der Zweigleitung abhängt von dem Metalle, aus welchem de dünne Streisen gesertigt ist. Im Silber und Platin ist die Ablenkun wie im Gold, im Eisen und Kobalt entgegengesetzt.

Mach, Carls Repertorium. Bd. VI. v. Feilitzsch, Fernewirkungen der galvanischen Stromes S. 743.

²⁾ Hall, American Journal of Mathematics Bd. II. Silliman Journal 3. series vol. XIX. 1885. Philos. Magazin 5. series vol. XII und vol. XV 3) Man sehe auch C. v. Ettingshausen, Wiedem. Ann. Bd. XI.

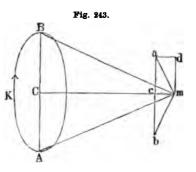
Welchen Umständen die beobachtete Wirkung zuzuschreiben ist, läst h noch nicht erkennen¹); wir begnügen uns deshalb darauf hingewiesen haben und zu bemerken, dass sich eigentliche elektrodynamische Wirngen stets nur in der Bewegung der Ströme mit den Leitern zeigen, shalb sie neuerdings vielfach auch als die ponderomotorischen Wirkungen Tröme bezeichnet werden²).

§. 127.

Ablenkung einer Magnetnadel durch einen Kreisstrom. Bussolen. Ich den in den Paragraphen dieses Kapitels dargelegten Erfahrungen nnen wir die Wechselwirkung zwischen einem Magnetpole und einem omelement derjenigen zwischen einem Stromelement und einem Soledpole gleichsetzen, wobei wir uns allerdings eine Vergleichung der antitativen Verhältnisse noch vorbehalten. Wir können demnach untelbar die früher erhaltenen Sätze anwenden, um das Drehungsmoment bestimmen, welches eine Magnetnadel durch irgend einen geschlossenen om um eine zur magnetischen Axe senkrechte Drehungsaxe erhält. Wir bersuchen davon nur einen speciellen Fall, nämlich die Ablenkung einer izontalen Nadel durch einen Kreisstrom, um dadurch zu einer vollstängern Theorie der elektromagnetischen Mesapparate zu gelangen.

Die Einwirkung eines Kreisstromes auf ein in seiner Axe befindliches gnetisches Teilchen erhalten wir genau so wie die Wirkung eines Kreisomes auf einen in seiner Axe befindlichen Solenoidpol. Ist K Fig. 243

Kreisstrom, m das magnetische Teilin im Abstande x = mC von der Ebene Kreisstromes, so wirkt jedes Element des isstromes senkrecht zu seiner Verbingslinie mit dem magnetischen Teilchen; das magnetische Teilchen nordmagneh und fließt der Strom von m aus ihen wie der Zeiger einer Uhr, so bt das bei B die Ebene der Zeichnung chsetzende Element das magnetische lehen nach mb. Ist m die Menge des dmagnetismus, also die Stärke des



Snetischen Poles, so können wir, wenn R der Radius des Kreisstromes nach §. 121 unmittelbar schreiben

$$mb = -c \frac{m i ds}{R^2 + x^2},$$

in c eine noch zu bestimmende Konstante ist, so daß $c \cdot m$ an die Stelle $\frac{1}{2}i$ af tritt, welcher Ausdruck die Stärke des Solenoidpoles gab. Die mC parallele Komponente ist

1) Man sehe Roiti, Atti della Academia Reale dei Lincei 1882. Shelford well, Philos. Magazin 5, series. vol. XVII.

²⁾ v. Feilitzsch weist (Fernewirkungen etc. S. 743) noch auf andere bente Versuche hin, welche beweisen, daß die elektrodynamischen Wirkungen die vom Strom durchflossenen Leiter bewegen, also nur ponderomotorische l.

$$mc = -c \frac{mi \, ds}{R^2 + x^2} \cos b \, mc = -c \frac{m \, i \, ds}{R^2 + x^2} \cdot \frac{BC}{mB}.$$

Da BC = R, $mB^2 = R^2 + x^2$, so wird, wenn wir $ds = R d\phi$ setse.

$$mc = -c \frac{mi R^2 d\phi}{(R^2 + x^2)^{\frac{n}{2}}}$$

Integrieren wir über den ganzen Kreis, so erhalten wir für die Gröder Anziehung des magnetischen Teilchens m

$$W = c \frac{2 mi R^2 \pi}{(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}},$$

wo wir das negative Zeichen fortlassen, weil wir die Wirkung sebu a

Anziehung bezeichnet haben.

Wirkt statt des einfachen Kreises K eine Spirale von n Wirdunges auf das magnetische Teilchen, so können wir die Wirkungen derselbe ebenso wie diejenigen des Solenoides auf einen Solenoidpol (§. 121) be rechnen. Wir betrachten die Spirale als n parallele Kreise, deren Mittlepunkte sämtlich auf der Axe mC liegen. Der Abstand des Kreises K is jetzt gleich e, derjenige des am weitesten entfernten Kreises e+2L Der oben berechnete Ausdruck gilt für einen Kreis im Abstande x von n Sind auf der Längeneinheit $\frac{n}{2L}$ Kreise, so können wir auch jetzt annehmet

dass auf der Länge dx sich $\frac{n}{2L} dx$ Kreise befänden; für diese im Abstande x befindlichen Kreise erhalten wir die Wirkung

$$W_{dx} = c \frac{2 n mi \pi}{2 L} \frac{R^2 dx}{(R^2 + x^2)^{\frac{5}{2}}}$$

Die Wirkung der Spirale erhalten wir durch Integration nach x wax=e bis x=e+2 L. Man überzeugt sich leicht durch Differentiation daß

$$\frac{R^2 dx}{(R^2 + x^2)^{\frac{1}{2}}} = d \frac{x}{\sqrt{R^2 + x^2}}.$$

Darnach wird die Wirkung der Spirale

$$W_{2L} = c \frac{m \, ni \, \pi}{L} \left\{ \frac{e + 2L}{\sqrt{R^2 + (e + 2L)^2}} - \frac{e}{\sqrt{R^2 + e^2}} \right\}.$$

Befindet sich in unmittelbarer Nähe von m ein südmagnetisches Telchen m, welches mit dem nordmagnetischen einen kleinen Magnet von der Länge 2l bildet, so wird, wenn wir die Länge 2l so klein annehme daß wir voraussetzen dürfen, der Magnet befinde sich vollständig in da Axe des Kreisstromes, dieses südmagnetische Teilchen mit derselben Knöt W von dem Strome oder der Spirale abgestoßen, als das nordmagnetische Teilchen angezogen wird. Durch die Wirkung der beiden Kräfte whill der kleine Magnet ein Drehungsmoment

$$D = 2 l W$$
.

Befindet sich die Nadel unter dem Einflusse des Erdmagnetismus in magnetischen Meridian, und ist der Stromkreis der Ebene des magnetischen

teridianes parallel, so sucht dieses Drehungsmoment die Nadel senkrecht um magnetischen Meridian zu stellen. Ist die Nadel um den Winkel α bgelenkt, so ist bei der Voraussetzung, daß l so klein ist, daß der Magtet als ganz in der Axe liegend gedacht werden kann, daß also die auf lie Pole des abgelenkten Magnetes wirksame Kraft der Größe und Richung nach durch Ablenkung der Nadel sich nicht ändert, das der Nadel om Strome erteilte Drehungsmoment noch $D\cos\alpha=2\,l\,W\cos\alpha$. In ieser abgelenkten Lage sucht der Erdmagnetismus die Nadel in den leridian zurückzuführen; ist T die Horizontalkomponente desselben, so ist struckführende Drehungsmoment $T2\,l\,m$ sin α .

Die beiden der Nadel erteilten Drehungsmomente halten sich das

eichgewicht, wenn

$$T 2 lm \sin \alpha = 2 l W \cos \alpha$$

$$T \tan \alpha = \frac{W}{m}$$

mit bei einem Kreise

er bei der Spirale

$$T \operatorname{tang} \alpha = c \frac{ni \pi}{L} \left\{ \frac{e + 2L}{\sqrt{R^2 + (e + 2L)^2}} - \frac{e}{\sqrt{R^2 + e^2}} \right\} . . (2).$$

beiden Fällen ist die Tangente des Ablenkungswinkels der Stromstärke portional, von dem magnetischen Momente der Nadel aber unabhängig.

Diesen Satz haben Pouillet¹) und W. Weber²) zur Konstruktion der on früher beschriebenen Tangentenbussole benutzt. Bei dieser befindet die Magnetnadel in dem Mittelpunkte des Kreises oder einer flachen irale, das heißt einer Anzahl neben einander gewundener Kreise, wenn Tangentenbussole zur Messung sehr schwacher Ströme benutzt wersoll.

Besteht die Tangentenbussole aus einem Kreise, so ist in Gleichung x = 0 zu setzen, es wird

$$T \tan \alpha = c \frac{2 R^2 \pi i}{R^3}$$
$$i = \frac{R T}{c 2 \pi} \tan \alpha;$$

steht sie aus n Kreisen, so ist, wenn die Nadel sich in der Mitte der Pirale befindet, da e der Abstand derselben vom ersten Kreise ist, in Leichung (2) e = -L zu setzen, es wird

$$\begin{split} T \tan \alpha &= c \, \frac{n \, i \, \pi}{L} \frac{2 \, L}{\sqrt{R^2 + L^2}} = c \, \frac{2 \, n \, i \, \pi}{\sqrt{R^2 + L^2}} \\ i &= \frac{T \, \sqrt{R^2 + L^2}}{c \, \cdot \, 2 \, n \, \pi} \tan \alpha \, . \end{split}$$

Pouillet, Comptes Rendus T. IV. p. 267. Poggend. Ann. Bd. XLII.
 W. Weber, Poggend. Ann. Bd. LV.



Richtung bildet, $\alpha + \varphi$, und die Bedingung des Gleichg

$$T \sin \alpha = C i \cos (\alpha + \varphi).$$

Kehrt man dann den Strom um, so wird man jetzt lenkung im entgegengesetzten Sinne, α' beobachten. In d die Nadel mit der zur Kreisaxe senkrechten Richtung den und die Gleichgewichtsbedingung ist dann

$$T \sin \alpha' = C i \cos (\alpha' - \varphi).$$

Ist der Winkel φ unbekannt, so kann man denselben h und darnach die Stellung des Kreises korrigieren; ist der nur klein, also α von α' nur sehr wenig verschieden, so merklichen Fehler $\frac{1}{2}(\sin \alpha + \sin \alpha') = \sin \frac{\alpha + \alpha'}{2}$ setzen, eine Addition der beiden Gleichungen

$$i = \frac{1}{C} T \tan \frac{\alpha + \alpha'}{2}$$
.

Ferner darf die Länge der Nadel nur eine sehr kle das Tangentengesetz beruht wesentlich darauf, dass die 'der Strom auf die Pole der abgelenkten Nadel ausübt, der Wirkung auf die nicht abgelenkte Nadel. Hat nun eine gegen den Radius des Kreises merkliche Größe, so merklich aus der Ebene des Kreises heraus und zwar, w der Nadel ist, um den Wert $l \cdot \sin \alpha$. Für die abgelenkt die Voraussetzung, dass x = 0, nicht mehr zutreffend, die Pole wird also kleiner. Wie man sieht, wird die Jem Tangentengesetze um so größer, je größer die Abl größer also die Intensität des durch die Tangentenbe Stromes ist

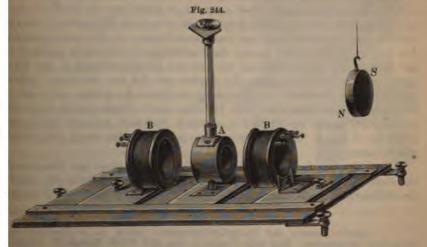
Ein sehr einfaches Mittel, um die Tangentenbussole gleichzeitig für rke und für schwache Ströme anwendbar zu machen, ist von Obach¹) gewandt; er macht den Drahtkreis um eine horizontale durch den ttelpunkt des Kreises und der Nadel gehende Axe drehbar. Ist der ahtkreis aus der vertikalen Lage um einen Winkel φ gedreht, so ist s Drehungsmoment des Kreises auf die Nadel noch $D \cdot \cos \varphi$, ist der reis ganz bis zur horizontalen gedreht, so wird das Drehungsmoment eich null. Die Stromstärke wird somit, wenn der Kreis um den Winkel φ edreht ist,

$$i = \frac{RT}{e \cdot 2\pi} \tan \alpha \, \frac{1}{\cos \varphi}.$$

Man darf aber in dem Falle die Nadel nicht an einem Coconfaden ist in zwei Lagern sich drehenden Axe versehen, damit sie sich nicht is der horizontalen Lage entfernt, da, so wie der Stromkreis nicht mehr ertikal steht, die Nadel ein Drehungsmoment um eine horizontale Axe halt.

Bei den feinen Messapparaten wendet man jetzt immer nur, eventuell treh Abzweigung, sehr schwache Ströme und damit sehr geringe Abukungen an; um bei denselben dennoch genaue Messungen machen zu unen, muss man nach der Methode von Poggendorff und Gauss Spiegellesungen zu Hilfe nehmen.

Einen Apparat, welcher sehr geeignet ist genaue Resultate zu geben, t Wiedemann konstruiert²). In einer dicken Hülse von Kupfer A g. 244 von 17 mm Wanddicke und 21 mm Länge hängt an dem am oberen



de der auf der Hülse befindlichen Glasröhre befestigten Coconfaden ein ahlspiegel (SN der Nebenfigur) von 1 mm Dicke und 19 mm Durchsser. Der Stahlspiegel ist so magnetisiert, dass seine magnetische Axe

¹⁾ Obach, Carls Repertorium Bd. XIV.

²⁾ Wiedemann, Poggend. Ann. Bd, LXXXIX. S. 504.

Der Apparat ist so gestellt, das die Axe der Hülse Spiralen B senkrecht zum magnetischen Meridiane ist; die Spiegels wird wie bei dem Magnetometer durch ein Fernrobeobachtet.

Je nach der Intensität der zu messenden Ströme ka Spiralen auf die Kupferhülse schieben oder mehr oder wen selben entfernen¹).

W. Weber²) wendet zu demselben Zwecke ein transporta meter an. Fig. 245 zeigt dasselbe in perspektivischer Ansik Kugelsegment von Messing, dessen konvexe Seite in einer ausgearbeiteten Vertiefung der Bodenplatte des Apparates lieseitliche Fortsätze i ein elliptischer Kupferring ee von 80 m 8 mm Wandstärke befestigt; in der großen Axe dieses Ridie Magnetnadel.

Auf diesen Ring ist ein Rahmen von dünnem Messingble auf welchen in neun Lagen über einander, in jeder Lage in 8 neben einander übersponnener Kupferdraht von 0,66 Millime wunden ist. Je drei Lagen sind aus einem Stücke, so daß a drei Drähte, jeder in drei Lagen, die Umhüllung des Rahmen der Anfang des ersten Drahtes ist mit der Klemmschraube mit f' verbunden, der Anfang des zweiten mit der von der aten Klemme g, das Ende mit g'; Anfang und Ende der dritten verbunden. Man kann also nach Belieben einen Strom dur Drähte, oder indem man f' mit g, g' mit h verbindet und di drähte an f und h' befestigt, den Strom nach einander durch gehen lassen.

Auf den Kupferring ist durch seitliche Schrauben der befestigt, welcher oben mit einer durchbohrten Platte bedecl ises hängt ein Coconfaden herab, welcher unten eine leichte, in dem hmen kk schwebende Metallplatte trägt. Von der Platte geben durch ei seitliche Ausschnitte des Kupferringes zwei schwache Stäbchen herab,

lebe unten, also im Innern des Ringes,

Haken umgebogen sind. In diese ken wird ein Magnetstab gelegt; derbe ist zu dem Ende in seiner Mitte
it einer Hülse umgeben, an welcher
ch oben ein zur Stabaxe senkrechtes
uerstäbehen befindet, dessen walzenrmig auslaufende Enden in die Haken
ingelegt sind.

Auf der in dem Rahmen kk schweenden Metallplatte ist ein Spiegel mit
ei Schräubehen befestigt, so daß wie
ei dem Magnetometer die Lage des
agnetstabes durch ein Fernrohr mit

cala beobachtet wird.

Das Rähmchen kk ist schließlich afser auf der dem Spiegel gegenübergenden Seite mit leichten Metallplatn verschlossen, letztere Seite, sowie e offenen Seiten des Kupferringes sind tebenen Spiegelplatten verschlossen.

Je nach der Stärke der zn messenn Ströme werden dieselben durch
ten Draht oder durch alle drei entder neben einander oder nach einder geführt; sind die zu messenden
röme zu stark, so führt man nur
ten Zweigstrom durch das Galvanoeter.

Man beobachtet bei allen Spiegellvanometern direkt die Tangenten der ppelten Ablenkungswinkel; da man er wie gesagt immer nur kleine Abikungen beobachtet, darf man dieben auch den Tangenten der einfachen elenkungswinkel, also die Stromstärke

r in Skalenteilen beobachteten Ablenkung direkt proportional setzen.
id die Ablenkungen gleich d, so ist



rin k eine von der Beschaffenheit des Instrumentes, dem Abstande der ala vom Spiegel und der horizontalen Intensität des Erdmagnetismus nängige Konstante bedeutet.

Die Kupferhülsen bei den Apparaten von Wiedemann und W. Weber ben den Zweck, die Magnete in der abgelenkten Lage möglichst rasch Ruhe zu bringen. Auf die Theorie der Dämpfung werden wir im



§. 149 noch ausführlicher eingehen, hier sei nur erwähnt, daß n den neuern feinern Messinstrumenten die Dämpfung so stark mach der Magnet überhaupt keine Schwingungen mehr vollführt, sondern in der abgelenkten Lage zur Ruhe kommt. Wir werden die dass derlichen Bedingungen bei der Theorie der Dämpfung besprechen

Den Fehler der einfachen Tangentenbussole hat Gaugain¹) i andern Weise durch Anwendung eines schon früher von v. Heln angewandten Princips bei der Konstruktion derselben vermieden, e die Nadel excentrisch auf, so daß der Abstand derselben von der ebene gleich dem halben Radius des Stromkreises ist.

Wenn die Nadel dann nur ¹/₈ des Kreisdurchmessers ist, so bei dieser Anordnung das Tangentengesetz für alle Ablenkungen wie sich leicht auf folgende Weise zeigen läßt³).

Wie wir sahen, ist die Wirkung des Stromes auf ein im Absta von dem Stromkreise befindliches nordmagnetisches Molekül, vorausg daß wir den Abstand von der Axe vernachlässigen dürfen,

$$W = c \cdot \frac{2\pi i \, m \, R^2}{(R^2 + x_1^2)^{3/2}},$$

auf ein mit diesem ungleichnamiges, im Abstande x_2 vorhandenes magnetisches Molektil

$$W' = -c \frac{2\pi i m R^2}{(R^2 + x_*^2)^{3/2}}.$$

Denken wir uns diese beiden Moleküle zu einer Nadel von der Lin verbunden, welche mit dem magnetischen Meridiane den Winkel ab während der Stromkreis dem Meridian parallel ist, so übt der Strom auf diese Nadel ein Drehungsmoment aus, welches die Nadel zu Meridiane senkrecht zu stellen sucht, dessen Größe ist

$$D = (W - W') l \cos \alpha.$$

Der Erdmagnetismus erteilt der Nadel dann ein entgegengese Drehungsmoment, dessen Größe ist

$$D' = T 2 lm \sin \alpha$$
.

Die Nadel ist im Gleichgewicht, wenn D = D', also

$$c \, 2 \, \pi \, i \, m \, R^2 \, l \, \cos \alpha \, \frac{(R^2 + x_1^2)^{3/2} + (R^2 + x_2^2)^{3/2}}{(R^2 + x_1^2)^{3/2}} = T \, 2 \, l \, m \, \sin \alpha.$$

Für die Stromstärke i ergiebt sich daraus

$$i = \frac{T \tan \alpha}{c R^2 \pi} \cdot \frac{(R^2 + x_1^2)^{\frac{3}{2}} (R^1 + x_2^2)^{\frac{3}{2}}}{(R^2 + x_1^2)^{\frac{3}{2}} + (R^2 + x_2^2)^{\frac{3}{2}}}.$$

Ist nun der Abstand des Mittelpunktes der Nadel von der Kreise

¹⁾ Gaugain, Comptes Rendus Bd. XXXVI p. 191. Poggend. Am. LXXXVIII.

²⁾ v. Helmholtz, nach einer Notiz von Wiedemann, Galvaniamus. 2. Bd. II. S. 197.

⁸⁾ Pierre, Poggend. Ann. Bd. XCIV.

gleich x, so ist, wenn wir annehmen x_1 sei der Abstand des Nordpoles von der Kreisebene und dieser sei der Ebene zugewandt,

$$x_1 = x - l \cdot \sin \alpha; \quad x_2 = x + l \cdot \sin \alpha.$$

Setzt man diese Werte in den Ausdruck für i ein, führt die angedeuteten Potenzierungen aus, indem man aber nur bis zu den Gliedern der einzelnen Reihen aufsteigt, welche $\sin^2\alpha$ enthalten, so bekommt man nach passenden Reduktionen leicht den Ausdruck

$$i = rac{(R^2 + x^2)^{3/2}}{c \ 2 \ R^2 \pi} \cdot \ T \cdot ang \ a \left\{ 1 \ + \ rac{3}{2} \left(R^2 - 4 \ x^2
ight) rac{l^2 \cdot \sin^2 lpha}{(x^2 + R^2)^2}
ight\}.$$

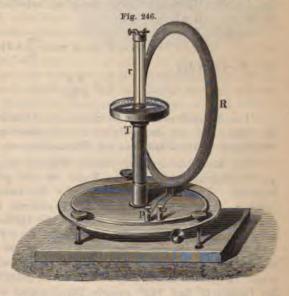
Wenn nun R = 2x ist, so ist das zweite Glied in der Klammer gleich 0, und

$$i = \frac{(R^2 + x^2)^{\frac{1}{2}}}{c \ 2R^2\pi} \cdot T \cdot \tan \alpha = \frac{11,18 \cdot RT}{16 \cdot c\pi} \cdot \tan \alpha;$$

wie man sieht, ist also für jeden Winkel α, wenigstens wenn derselbe einem Rechten nicht sehr nahe kommt, die Stromstärke der Tangente des Ablenkungswinkels proportional.

Die Form, welche Gaugain der Tangentenbussole gab, zeigt Fig. 216. Auf einen Holzring R, dessen äußere Fläche konisch abgedreht ist, so daß

die Oberfläche einen Teil eines Kegelmantels bildet, dessen Höhe gleich ein Viertel der Basis, dessen Öffnung also 63° 26' beträgt, ist Kupferdraht in mehrfachen Windungen aufgerollt, dessen Anfang und Ende in den Klemmschrauben p und z liegt. Neben dem Ringe ist ein Tischehen T mit einem geteilten Kreise, dessen Mittelpunkt in der Spitze des Kegels liegt, auf dessen Mantel der Draht gewickelt ist. Über dem Kreise schwebt die Magnetnadel, an einem Coconfaden hängend, welcher in der Axe der



Röhre r an dem oberen Ende derselben befestigt ist. Die Röhre r wird von der Glasplatte getragen, welche den geteilten Kreis bedeckt, um die Nadel vor Luftströmungen zu schützen.

Für den Fall, dass $x = \frac{1}{2}R$, kommt in dem Ausdrucke für i die Länge der Magnetnadel nicht vor, es könnte daher scheinen, dass diese bei der Gaugainschen Bussole keinen Einflus hätte, dass also die oben zemachte Beschränkung, nach welcher dieselbe nur $\frac{1}{4}R$ betragen dürste

überflüssig wäre; das ist jedoch nur scheinbar, denn die Länge der Magnetnadel ist dadurch beschränkt, dass wir in der Berechnung der Wirkung auf die einzelnen Pole annehmen, dieselben lägen in der Axe des Kreisstromes. Genauere Rechnungen von Bravais¹), welche die excentrische Lage der Pole berücksichtigen, beweisen, dass selbst bei der von us vorausgesetzten Nadellänge bei Annahme des Tangentengesetzes noch die sehr kleiner Fehler begangen wird²).

Die mit der Benutzung der Tangentenbussole in ihrer einfachen Form verbundene Ungenauigkeit hat früher schon Pouillet³) zur Konstruktion einer anderen Bussole, der Sinusbussole, veranlasst, welche später hautsächlich von Poggendorff benutzt worden ist⁴).

Macht man nämlich bei der Tangentenbussole den Stromkreis un eine vertikale durch die Mitte der Nadel gehende Axe drehbar, und drek denselben der abgelenkten Nadel nach, so dass die Nadel immer in der Ebene des Stromes bleibt, so stehen die auf die Pole der Nadel wir kenden Kräfte immer senkrecht auf der Axe der Nadel. Stromkreis der Nadel erteilte Drehungsmoment ist

$$D = c \frac{2\pi}{R} i 2 lm.$$

Die Nadel wird dann um einen solchen Winkel α abgelenkt, das das von dem Erdmagnetismus derselben erteilte Drehungsmoment diesen gleich ist, dass also

$$2 \ln T \sin \alpha = c \frac{2\pi}{R} i 2 \ln n$$

ist. Daraus folgt

$$i = \frac{RT}{c^2\pi} \sin \alpha.$$

Die Stromstärke ist dem Sinus des Ablenkungswinkels proportional Man hat also nur den Winkel a zu beobachten, um welchen man den Stromkreis gedreht hat, um die Stromstärke zu erhalten.

Die Einrichtung einer solchen Bussole zeigt Fig. 247. mit Stellschrauben versehenen Fusse ist ein geteilter Horizontalkreis H Der Drahtkreis K ist um die vertikale Axe dieses Kreise drehbar. An der Säule, welche den Drahtkreis trägt, ist eine Alhidade A mit einem Nonius befestigt, welcher die Größe der Drehung genau n messen gestattet. Eine zweite Alhidade, ebenfalls fest an der den Drahtring tragenden Säule, trägt die Klemmen zur Aufnahme der Leitungdrähte. Die Aufhängung der Nadel ist genau wie bei der eben beschrie benen Tangentenbussole. Auf dem oberen geteilten Kreise fällt der durch die Punkte 0° und 180° gelegte Durchmesser mit der Ebene des Drabt

¹⁾ Bravais, Comptes Rendus. T. XXXVI. p. 139. Poggend. Ann. Rd

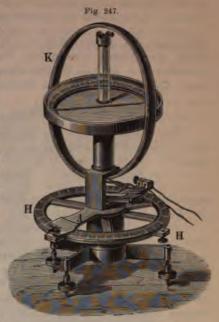
²⁾ Andere Anordnungen zu demselben Zwecke sehe man Maxwell, a Tratise etc. Bd. II art. 714 (deutsche Ausgabe S. 443).
3) Pouillet, Comptes Rendus. T. IV. p. 287. Poggend. Ann. Bd. XLII.
4) Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. L.

ges zusammen; man hat also den Apparat immer so einzustellen, daßs Nadel auf die Punkte 0° und 180° zeigt¹).

Ausser den bisher beschriebenen efsapparaten, welche die Intensität nes Stromes aus der beobachteten blenkung einer Magnetnadel zu bemmen gestatten, müssen wir an eser Stelle noch der Galvanometer er Multiplikatoren erwähnen, wele weniger den Zweck haben, die Irke von Strömen zu messen, als Existenz sehr schwacher Ströme chzuweisen.

Die Principien, auf welchen die enstruktion dieser, zuerst von hweigger²) und Poggendorff³) angebenen Apparate beruht, sind igende.

Da jeder Drahtkreis, welcher in mselben Sinne um eine Magnetdel geführt wird, der Magnetnadel n Drehungsmoment nach derselben chtung erteilt, so wird eine Verelfältigung der Drahtkreise schon ne Ablenkung der Nadel durch einen rom hervorbringen, wenn ein ein-



ner Drahtring noch lange nicht imstande ist die Nadel abzulenken. Durch ervielfachung der Windungen, welche um die Nadel geführt werden, rd allerdings auch die Stärke des Stromes geschwächt, es giebt deshalb ne Grenze, über welche hinaus eine Vermehrung der Windungen keine erstärkung der Wirkung mehr zur Folge hat, da durch dieselbe die romstärke in einem stärkeren Verhältnisse geschwächt wird, als die abnkende Kraft verstärkt wird. Diese Grenze hängt ab von der Natur r Elektricitätsquelle, oder vielmehr von dem Widerstande des Schließungsgens außer dem Galvanometer; wir können dieselbe leicht in folgender eise bestimmen.

Denken wir uns eine Magnetnadel zunächst von einem einzigen dicken upferinge umgeben, dessen Widerstand gleich R sei, sei ferner der Widerand des anderen Teils des Schließungsbogens gleich r und die elektrotorische Kraft der Kette gleich e, so ist das der Stromstärke proportande Drehungsmoment auf die Nadel

$$D = k \, \frac{e}{R+r} \, \cdot$$

Wird jetzt dieser Kupferring zu einem Drahte von nfacher Länge

Andere Formen der Tangenten- und Sinus-Bussole sehe man: Wiedemann, ektricitätslehre Bd. III. §. 251 ff.

Schweigger, Schweiggers Journal. Bd. XXXI. 1821.
 Poggendorff, Gilberts Annalen. Bd. LXVII. 1821.

ausgezogen, dessen Querschnitt dadurch $\frac{1}{n}$ des Ringes ist, so wir Stromstärke

$$i = \frac{e}{n^3 R + r},$$

wird aber der ganze Draht in n Windungen um die Nadel geführ würde bei gleicher Stromstärke auch das Drehungsmoment das a geworden sein, da jede Drahtwindung dann ebenso wirkt, als der Kr ring. Daraus folgt, dass das Drehungsmoment D_1 jetzt ist

$$D_1 = \frac{ne}{n^2 R + r} \cdot$$

Der Ausdruck auf der rechten Seite erhält nun seinen gr Wert, wie eine der im §. 80 durchgeführten ganz gleiche Rechnung wenn

$$n^2 R = r$$
,

wenn also der Widerstand im Multiplikator dem sonstigen Widers der Kette an Größe gleich ist 1).

Hat man daher eine Elektricitätsquelle, welche außer dem Mulkator in den Stromkreis keinen bedeutenden Widerstand bringt, so man auch einen Multiplikator anwenden, dessen Widerstand nicht ist, man muß also eine beschränkte Zahl von Windungen dicken Kudrahtes benutzen; ist dagegen der Widerstand r sehr groß, so muß auch n sehr groß nehmen, also einen Multiplikator mit sehr vielen dungen feinen Drahtes benutzen.

Ersteres ist z. B. der Fall bei Thermoströmen, wo die ganze K metallisch ist; wie wir bei Besprechung der strahlenden Wärme bei erwähnten, wendet man bei denselben ungefähr 80 Windungen dick Kupferdrahtes an. Sind feuchte Leiter in dem Stromkreise von gerin, Querschnitt, wie z. B. bei den physiologisch elektrischen Versuchen Bois-Reymonds, so wendet man Multiplikatoren von mehreren taus

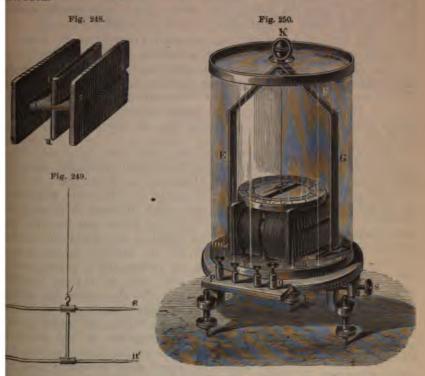
bis zu 25000 Windungen an.

Da das Drehungsmoment, welches ein Stromkreis auf die Nadel aus mit dem Durchmesser des Stromkreises abnimmt, so windet man innersten Windungen so enge, dass nur eben die Magnetnadel in dinneren Raume des Multiplikators Platz hat. Wie wir bereits im drit Teile S. 161 erwähnten, wickelt man zu dem Ende den Draht um Rähmchen Fig. 248, in dessen horizontaler Spalte ss die Magnetna schwebt. Der Zwischenraum zwischen den vertikalen Brettchen des Bitchens wird mit den Windungen angefüllt, wie es Fig. 250 zeigt.

Anstatt einer einfachen Magnetnadel wendet man ferner eine at tische Doppelnadel an; dieselbe besteht aus zwei möglichst gleich st magnetisierten feinen Nadeln von hartem Stahl, welche (Fig. 249) in leichtes Stäbchen von Elfenbein eingesteckt sind, so daß sie einam parallel möglichst genau in einer Ebene und so liegen, daß die ihren Nordpol dort hat, wo die andere ihren Südpol hat. Diese Nadelnadere ihren Südpol hat.

¹⁾ Man sehe auch über die Empfindlichkeit der Multiplikatoren eine handlung von Heinrich Weber. Poggend. Ann. Bd. CXXXVII.

orden nur mit der Differenz der auf beide wirkenden Richtkraft des dmagnetismus in dem magnetischen Meridiane gehalten; je kleiner daher ese Differenz ist, um so leichter wird ein schwacher Strom, welcher f beide in gleichem Sinne ablenkend wirkt, das Nadelsystem ablenkend mit der Stromkreis auf beide Nadeln in gleichem Sinne ablenkend rke, muß die eine über den Windungen, die andere zwischen denselben hweben.



Die Anordnung dieser Teile im Galvanometer zeigt Fig. 250. Der limen mit den Drahtwindungen liegt auf der Mitte einer Messingplatte welche ihrerseits auf der durch Stellschrauben horizontal zu stellenden denplatte b des Apparates liegt. Ein in der Mitte der die Windungen genden Messingplatte befestigter konischer Zapfen reicht durch eine rchbohrung der Bodenplatte hindurch, so dass die Messingplatte m um Axe des ganzen Apparates gedreht werden kann. Der Zapfen ist ten nach Art eines Triebes ausgeschnitten, in welchen eine Schraube ne Ende s eingreift, welche andererseits an der Bodenplatte befestigt Durch eine kleine, in der Figur nicht sichtbare, Hebelvorrichtung un die Schraube aus dem Trieb gelöst werden, so dass die größeren chungen mit freier Hand und die feineren mit der Schraube s vorgetnmen werden. Die Enden der Drahtwindungen sind mit den auf einem rsprunge der Platte m befestigten Klemmschrauben p, q verbunden. dem abgebildeten Apparate sind vier solcher Klemmen vorhanden, je Workern, Physik IV. 4. Aufl. 80

zwei stehen mit einem besonderen Drahte in Verbindung, di äusseren mit einem in 80 Windungen um das Rähmehen Kupferdrahte von 1mm Dicke, die beiden inneren mit einem Drahte, welcher in 12000 Windungen den Rahmen umgiebt.

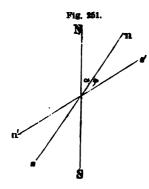
Das astatische Nadelsystem hängt an einem Coconfaden, de res Ende in der Mitte des Rahmens EFG befestigt ist. Die Ebe Rahmens ist senkrecht zur Ebene der Drahtwindungen; durch des Knopfes K kann das Nadelsystem etwas gehoben oder gesenk ohne daß der Faden tordiert wird; es wird so gehängt, daß daß der horizontalen von den Windungen liegenden Kreisteilung, die i der horizontalen von den Windungen gelassenen Spalte frei sehr

Um die Schwingungen der Nadeln etwas zu beschränken, siet vom Nullpunkte der Teilung auf dem geteilten Kreise um 90° ex Teilstrichen feine Metallstiftchen oder Glimmerblättchen vertikal i

Die Windungen mit der Nadel werden schließlich mit ein glocke bedeckt, welche oben durchbohrt ist, um den Knopf K l zu lassen.

Das astatische System muß möglichst leicht sein, damit sei heitsmoment möglichst klein ist; es ist das deshalb notwendig, da momentaner Strom eine bedeutende Ablenkung zur Folge hat.

Bei den Versuchen stellt man am besten die Ebene der Wir der Richtung der oberen Nadel parallel; diese Richtung fällt, w



Astasie der Nadeln möglichst weit getrie nicht mit der Richtung des Meridianes men, sondern ist eine andere. Es ist nicht möglich, die beiden Nadeln genau zu stellen, so also, das sie in einer V ebene liegen. Dann wird aber, wenn das tische Moment der beiden Nadeln ganz glidie durch den spitzen Winkel der beiden Vertikalebene sich senkrecht zu dem M stellen; ist das Moment der Nadeln vers so werden sie irgend einen anderen Windem Meridiane bilden. Denn bezeichnet magnetische Moment der einen Nadel ns 1 m' das der anderen n's' und op den

welchen dieselben mit einander bilden, so ist die Bedingung der gewichtslage, wenn ns mit dem Meridiane NS den Winkel α bil

$$m \cdot \sin \alpha = m' \cdot \sin \{180^{\circ} - (\alpha + \varphi)\},$$

woraus

$$\tan \alpha = \frac{m' \cdot \sin \varphi}{m - m' \cdot \cos \varphi}.$$

Es andert sich demnach der Winkel α mit der Differenz a und dem Winkel φ , ist m = m', so wird

$$\tan \alpha = \frac{\sin \varphi}{1 - \cos \varphi} = \cot \frac{\varphi}{2},$$

so dafa also dann die Ablenkung um so gröfeer wird,

inkel ist, welchen die Nadeln mit einander bilden. Ist m = m' und = 0, so erhalt der Ausdruck für tang α die Form %, wie wir sahen dann die Lage des Nadelsystems unbestimmt¹).

Außer dieser sogenannten freiwilligen Ablenkung der Magnetnadeln Galvanometer ist noch eine andere störende Ablenkung zu erwähnen, which eintritt, wenn m-m' sehr klein ist, welche daher rührt, daß les Kupfer eisenhaltig ist. Die Windungen ziehen deshalb die Nadeln t wenn die Nadeln dann in der Nulllage sich befinden, so dass die indungen auf beiden Seiten gleichmäßig verteilt sind, ist das Nadelstem in einer labilen Gleichgewichtslage, sobald es aber nach einer ite aus dieser Lage abweicht, wird es durch die Anziehung der eisen-Itigen Windungen so weit abgelenkt, bis die noch vorhandene Direknskraft des Erdmagnetismus der Anziehung der eisenhaltigen Windungen s Gleichgewicht hält.

Diese Ablenkung kann dadurch aufgehoben werden, dass man durch en kleinen am Apparate angebrachten Magnet die Anziehung der eisentigen Windungen kompensiert; am besten ist dazu wohl die Methode Du Bois-Reymond geeignet, welcher an einem kleinen vertikalen ssingstab gerade tiber dem Nullpunkte der Teilung einen kleinen Magnet, Stück einer magnetisierten Nadel etwa, anbringt2). Der Magnetiss des Stäbchens reicht nur eben aus, die Nulllage zur stabilen Gleichvichtslage zu machen; sobald die Nadel durch den Strom abgelenkt ist wegen der Entfernung der Pole, und da dann der Magnet auf ungleichnamigen Pole entgegengesetzt wirkt, der Einfluss des Magnets schwindend klein.

Eine andere Methode zu astasieren, welche von Sauerwald an dem demannschen Galvanometer und von Meyerstein an seinem Spiegelanometer angewandt ist, besteht darin, dass man unter oder über Magnet des Galvanometers parallel dem magnetischen Meridian einen nen Magnet anbringt, dessen Nordpol nach Süden, dessen Südpol nach den zeigt. Da die Einwirkung dieses Magnetes der Richtkraft der es gerade entgegenwirkt, kann man durch Regulieren des Abstandes es Magnetes von jenem der Bussole den letztern in beliebigem Grade sieren, so dass diese Form des Astasierens besonders dann den Vorzug Lient, wenn derselbe Apparat zur Messung sehr verschiedener Ströme en soll.

Das Galvanometer wird hauptsächlich zum Nachweise der Existenz wacher Ströme angewandt; soll es auch zu Messungen benutzt werden, nufs man dasselbe graduieren.

Eine Methode zu diesem Zwecke haben wir bereits im dritten Teile Gelegenheit der Untersuchungen über die strahlende Wärme beschrieaußer dieser sind noch eine ganze Reihe anderer Methoden ange-

¹⁾ Moser, Doves Repertorium. Bd. I. S. 259.
2) Du Bois-Reymond. In den Untersuchungen über tierische Elektricität die genauesten und ausführlichsten Untersuchungen über den Multiplikator halten, aus denen auch im wesentlichen die jetzige Form desselben hervorangen ist. Man sehe in denselben Bd. I. S. 162 und Bd. H. S. 477. Die ersuchung über die störende Kurve siehe Bd. I. S. 179.

wandt, von denen besonders die Poggendorffsche 1) sich durch Exaktheit auszeichnet; wir verweisen betreffs derselben auf die Originalabhandlung

§. 128.

Messung der Stromstärken nach absolutem Mafse. Wir haben bis jetzt drei Methoden kennen gelernt, die Intensität eines galvanischen Stromes zu messen, die chemische mit dem Voltameter, die elektromagnetische mit der Tangentenbussole oder Sinusbussole und die elektrodynsmische mit dem Elektrodynamometer. Bei ersterer Methode war die Stromstärke einfach der Menge der in gleichen Zeiten zersetzten Flüssigkeit, also bei dem Wasservoltameter der Menge des zersetzten Wassers proportional Wir gelangten dabei sofort zu einer bestimmten Einheit der Stromstärke, indem wir jenem Strome die Einheit der Stromstärke beilegten, welcher in der Einheit der Zeit die Einheit der chemischen Wirkung ausübt. Von Rücksichten der praktischen Brauchbarkeit geleitet, setzten wir als Einheit der Zeit die Minute und als Einheit der chemischen Wirksamkeit die Zersetzung einer Wassermenge fest, welche ein Kubikcentimeter Knallgas bei 00 und 760 mm Druck liefert.

Auf diese Einheit haben wir zunächst alle Stromstärken bezogen, und so für die Stromstärken bestimmte Zahlenwerte erhalten. Die magnetischen oder elektrodynamischen Wirkungen waren dann diesen Stromstärken proportional, und wie wir sahen, konnten wir auch mit Hilfe der Tangentenbussole die Stromstärke in diesem Maße ausdrücken, indem wir auf das Gesetz der Proportionalität gestützt für die Tangentenbussolen den Reduktionsfaktor bestimmten.

Anstatt dieser willkürlichen chemischen Einheit der Stromstärke kann man ebenso gut die elektromagnetischen oder elektrodynamischen Wirkungen benutzen, um zu einer Einheit für die Stromstärke zu gelangen, indem man mit Weber als die Einheit jene Stromstärke bezeichnet, welche unter den Normalverhältnissen die Einheit der Wirkung ausübt?).

Als die Einheit der Stromstärke in elektromagnetischem Maße bezeichnet Weber die Stärke eines Stromes, welcher in einem kreisförmigen Leiter die Flächeneinheit umfliefst und einem Magnete in der Einheit der Entfernung, dessen Axe in der Ebene des Leiters liegt, ein der Einheit gleiches reduziertes Drehungsmoment erteilt.

Denken wir uns an der Stelle des Kreisstromes in diesem Falle einen Magnet, dessen magnetisches Moment der Einheit gleich ist, dessen Aus senkrecht ist zu der Ebene des Kreisstromes, so erteilt dieser Magnet des anderen nach §. 17 ebenfalls ein der Einheit gleiches reduziertes Drehung moment, so dass also der die Flächeneinheit umfließende Strom von der

sungen.

¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LVI. Über andere Methoden siebe Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. III. §. 283 ff. Die schon vorhin erwähntes Spiegelgalvanometer haben jetzt fast ganz die Multiplikatoren verdrängt. Man wendet bei denselben stets so kleine Ablenkungen an, daß sie als Tangente bussolen verwandt werden, und giebt ihnen eine solche Empfindlichkeit, die sie auch die schwächsten Ströme zu messen gestatten.

2) Kohlrausch und Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen § 1, weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere Widerstand

irke eins auf einen anderen Magnet gerade so wirkt, wie ein kleiner gnet, dessen magnetisches Moment gleich der Einheit ist.

Hiernach können wir die elektromagnetische Einheit der Stromstärke ch so definieren, dass jener Strom die Einheit der Stärke besitzt, weler die Einheit der Fläche umfließend dieselbe magnetische Wirkung in Ferne austibt, wie ein Magnet, dessen magnetisches Moment der nheit gleich ist, und welcher in dem Mittelpunkte des Kreisstromes ikrecht zur Ebene desselben liegt.

Wenn wir bei dieser Bestimmung dasselbe Mass anwenden, welches uss bei Messung des Magnetismus anwandte, so ist dieses elektromagneche Strommass ebenso ein absolutes Strommass, wie wir im ersten Abmitt dieses Teiles das Mass für den Magnetismus ein absolutes nannten.

Um die Intensität eines Stromes in diesem Masse zu erhalten, haben r das Drehungsmoment zu bestimmen, welches ein Strom in der angebenen Lage auf einen Magnet aus großer Entfernung ausübt; bequemer des gelangen wir dazu, wenn wir das bereits von uns bestimmte Drehungsment dazu benutzen, welches ein Kreisstrom, welcher sich in der Ebene s Meridianes befindet, auf einen entfernten in seiner Axe befindlichen, m Meridiane ebenfalls parallelen Magnet ausübt. Da nämlich der die scheneinheit umfliesende Strom von der Einheit der Stärke nach außen wirken soll, wie ein in seiner Mitte befindlicher zu seiner Ebene senkhter Magnet, dessen Moment der Einheit gleich ist, so besitzt auch er Strom die Einheit der Stärke, welcher in dieser Lage ebenso auf en entfernten Magnet wirkt, wie ein Magnet mit der Einheit des mentes auf einen anderen in der ersten Hauptlage (§. 17) wirkt.

Das Drehungsmoment, welches ein Kreisstrom vom Radius R auf einen gnet, dessen Moment gleich m sei, und dessen Entfernung von dem Omkreise gleich r ist, ausübt, ist nach dem vorigen Paragraphen

$$D = c \, \frac{2 \cdot i \cdot R^2 \pi \cdot m}{r^3} \cdot \frac{m}{r}$$

Das auf die Einheit der Entfernung reduzierte Drehungsmoment somit

$$r^3 D = c \cdot 2i \cdot R^2 \pi \cdot m$$

er, wenn wir i=1, $R^2\pi=1$ setzen,

$$r^3 D = c \cdot 2 m$$

Das Drehungsmoment, welches ein Magnet, dessen Moment gleich is ist, aus der Entfernung r auf einen anderen in der ersten Hauptge ausübt, dessen Moment gleich m ist, ist

$$D=\frac{2m}{r^3},$$

s reduzierte also

$$r^3D=2m$$
.

Da beide Drehungsmomente gleich sind, so ist

$$c. 2 m = 2 m; c = 1.$$

Wenn wir also die Stromstärke nach elektromagnetischem Malse

messen, ist die Konstante c in den Ausdrücken für die Einwirkung eines

Stromelementes auf einen Magnetpol gleich 1.

Ein Strom, dessen Intensität im elektromagnetischen Maße gleich eist und welcher eine Fläche vom Radius R umkreist, wirkt also auf einer entfernten Magnet gerade so, wie ein unendlich kleiner im Mittelpunkte der Fläche befindlicher Magnet, dessen Axe zu der Fläche senkrecht ist, und dessen magnetisches Moment ist

$$M = R^2 \pi \cdot i$$
.

Ein Magnet vom Momente m, welcher in der Ebene des Stromkreises in einer großen Entfernung r von dem Mittelpunkte sich befindet, dessen Axe dem Stromkreise parallel ist, erhält daher von diesem Strome ein Drehungsmoment

 $D = \frac{R^2 \pi i m}{r^3};$

denn dieser Magnet befindet sich in Bezug auf den den Stromkreis ersetzenden Magnet in der zweiten Hauptlage (§. 17).

Die Tangentenbussole liefert uns darnach, soweit das Tangentengesetstrenge richtig ist, die Stromstärke sofort in absolutem Maße. Denn ist der Winkel, um welchen die Magnetnadel von einem Strome, dessen Intensität in elektromagnetischem Maße gleich i ist, aus dem magnetischem Meridian abgelenkt wird, gleich α , und ist die horizontale Intensität des Erdmagnetismus gleich T, so ist die Gleichgewichtsbedingung der Nadel

$$T.\sin\alpha = \frac{2R^2\pi \cdot i}{r^3} \cdot \cos\alpha,$$

woraus

$$i = \frac{r^3 T}{2 R^2 \pi}$$
. tang α .

Befindet sich die Nadel im Mittelpunkte des Kreises, ist also r=l, so ist

$$i = \frac{RT}{2\pi} \cdot \tan \alpha$$
.

Bezeichnen wir den Winkel, um welchen der Strom von der Starke eins die Nadel ablenkt, mit α', so ist

$$1 = \frac{RT}{2\pi} \cdot \tan \alpha'.$$

$$\tan \alpha' = \frac{2\pi}{RT}.$$

In einer Tangentenbussole vom Radius R lenkt also ein Strom, desser Stärke der Einheit gleich ist, die Nadel um einen Winkel ab, desser Tangente gleich ist $\frac{2\pi}{RT}$.

Zur Bestimmung der Stromintensität nach absolutem Maße bedaff es demnach der Kenntnis der horizontalen Intensität des Erdmagnetismus, deren Bestimmung indes nach dem ersten Abschnitte keiner großen Schwierigkeit unterliegt.

Kennt man dieselbe nicht, so ist es auch dann noch möglich, die tärke nach absolutem Masse aus der Beobachtung der chemister rung oder dem für eine Tangentenbussole an einem bestimmten Orte mmten Reduktionsfaktor zu erhalten, wenn man das Verhältnis der romagnetischen Einheit zur chemischen Einheit kennt.

Um dieses Verhältnis zu bestimmen, hat zuerst W. Weber die Strome nach absolutem Masse genau bestimmt, welche in der Zeiteinheit,
welche Weber die Sekunde setzt, ein Milligramm Wasser zersetzt¹).
er leitete zu dem Ende einen Strom durch einen Wasserzersetzungsrat und zugleich durch eine bisilar aufgehängte Drahtrolle, deren
10 mit derjenigen des Meridianes zusammensiel. Als Wasserzersetzungsrat diente eine zo förmig gebogene Glasröhre, in deren verschlossenes
10 das zu zersetzende Wasser gebracht war, während das offene Ende
11 r Quecksilber mündete, über welchem das entwickelte Knallgas auf12 ngen wurde. Um den Strom in das Wasser zu leiten, waren Platinte in die Röhre nahe dem verschlossenen Ende eingeschmolzen. Die
12 ge des zersetzten Wassers wurde aus dem beobachteten Volumen des
12 ickelten Gases bestimmt.

Die Intensität des Stromes nach absolutem Masse wurde aus der achteten Ablenkung der bifilaren Rolle bestimmt. Die Rolle war Meridiane parallel, wurde sie von dem Strome durchflossen, so strebte Erdmagnetismus ihre Ebene zum Meridiane senkrecht zu stellen, und Gleichgewichtslage war erreicht, wenn das Drehungsmoment infolge Aushängung dem der Rolle durch den Erdmagnetismus erteilten ungsmomente gleich war. Die Intensität in absolutem Masse ergiebt daraus folgendermassen.

Ein Strom, dessen Intensität gleich 1 ist und welcher die Flächenzit umkreist, wird in Bezug auf seine magnetischen Wirkungen durch in seinem Mittelpunkte befindlichen, der Axe des Stromes parallelen 1 ist, dessen Moment gleich 1 ist, ersetzt; ein Strom, dessen Intensität hJ ist, und welcher die Fläche F umkreist, wird demnach in Bezug sein magnetisches Verhalten durch einen ebenso liegenden Magnet zt, dessen Moment gleich J. F ist, denn wie wir sahen, ist die 1 ietische Wirkung eines Stromes dem von ihm umkreisten Flächene und der Stromintensität direkt proportional.

Ist die Axe eines solchen Magnets senkrecht zur Ebene des Meridians, t die von dem Erdmagnetismus ihm gegebene Direktionskraft $J \cdot F \cdot T$, T die horizontale Intensität 'des Erdmagnetismus bedeutet. Bildet sit dem Meridiane den Winkel β , so ist das ihn in den Meridian

ende Drehungsmoment gleich $J \cdot F \cdot T \cdot \sin \beta$.

Dieselbe Kraft, welche diesen Magnet in den Meridian zu führen t, sucht die mit der Meridianebene parallele Drahtrolle zum Meridiane echt zu stellen; ist daher der Winkel, welchen sie mit dem Meribildet, gleich α , so ist das ihr von dem Erdmagnetismus erteilte ungsmoment gleich

$$J \cdot F \cdot T \cdot \cos \alpha$$
.

Bezeichnet D die Direktionskraft der Rolle infolge der bifilaren Aufung, welche die Rolle im Meridiane zu halten sucht, so ist das sie

¹⁾ Weber, Resultate aus den Beobachtungen des magnetischen Vereins im 1840

in den Meridian bei der Ablenkung α zurückführende Drehungsmigleich $D \cdot \sin \alpha$; die Gleichgewichtsbedingung ist also

$$J F T \cdot \cos \alpha = D \cdot \sin \alpha$$

somit die Intensität J

$$J = \frac{D}{FT} \cdot \tan \alpha.$$

Der auf die Rolle aufgewundene Draht bildete 1130 Umwinder die Peripherie der Rolle betrug 164 mm, die Länge des Drahtes 253600 mm. Der Flächeninhalt der von dem Drahte gebildeten K kann für die von dem Drahte umflossene Fläche gesetzt werden; W berechnet dieselbe zu

4668330 Quadratmillimeter.

Um die Direktionskraft D zu erhalten, wurde zunächst nach Gaußschen Methode das Trägheitsmoment der Rolle bestimmt und m

$$K = 77940000$$

gefunden, und darauf die Schwingungsdauer der Rolle, wenn sie nicht v Strom durchflossen war, beobachtet. Die Schwingungsdauer ergab s

$$t = 8'',0803,$$

daraus dann

$$D = \frac{\pi^2 K}{t^2} = 117817000.$$

Die absolute Intensität des Erdmagnetismus am Orte der Beobachts wurde direkt bestimmt und ergab sich

$$T = 1,7026.$$

Die aus 5 Messungen erhaltenen Resultate sind folgende:

Zersetztes Wasser	Dauer der	-
in Milligrammen	Zersetzung &"	J . ∂ .
14,2346	1168"	1522,44
14,2026	1280 "	1504,92
14,0872	1135″,5	1506,46
14,0182	1154"	1501,43
13,9625	$\boldsymbol{1263''}$	1484,90.

Dividieren wir die in der Zeit & zersetzte Wassermenge durch J so erhalten wir die Wassermenge, welche ein Strom, welcher nach e tromagnetischem Maße die Stromstärke eins hat, in der Zeiteinheit, zersetzt; es ergiebt sich als Mittel aus den 5 Beobachtungen

Setzt man nun als chemische Einheit der Stromstärke jene fest, we in einer Sekunde ein Milligramm Wasser zersetzt, so ergiebt sich Verhältnis der chemischen und absoluten Einheit

$$, \partial\partial_{r}\partial\partial f = \frac{1}{\partial f 8 \theta \partial \rho_{r} \partial}$$

er die so gewählte chemische Einheit ist 106,65 Mal größer als die ktromagnetische oder absolute Einheit.

Wir haben jene Stromstärke nach chemischem Maße als Einheit getzt, welche in der Minute ein Kubikcentimeter Knallgas liefert; das Ver-Itnis derselben zur absoluten Einheit wird folgendermaßen bestimmt.

Die absolute Einheit zersetzt in der Minute

$$60 \cdot 0.009376 = 0.56256$$
 Milligramme Wasser,

3 liefert also in der Minute, da ein Kubikcentimeter Knallgas 0,53631 illigramm wiegt,

Ein Strom, welcher in der Minute einen Kubikcent. Knallgas liefert, ∍ht also zur absoluten Einheit im Verhältnis

$$\frac{1}{1,0489} = 0,9534.$$

Die von uns gewählte Einheit der Stromstärke ist also nur um nig kleiner als die absolute Einheit.

Die Bestimmung von Weber ist später mehrfach wiederholt worden, 1 Casselmann¹), Bunsen²), Joule³) und von F. Kohlrausch⁴), und zwar ht allein durch Wasserzersetzung, sondern auch durch Zersetzung von ubersalzlösung, Kupfervitriollösung, Silbernitratlösung u. a., und neuergs wieder von Mascart⁵), F. und W. Kohlrausch⁶), sowie Lord Rayleigh⁷) Ch Zersetzung von Silbernitrat, woraus sich nach dem Faradayschen setze die Wassermenge berechnen lässt, welche durch die Webersche Olute Stromeinheit zersetzt wird. Wir stellen die erhaltenen Resultate ammen, in der ersten Kolumne die in der Sekunde zersetzte Wassernge, in der zweiten die abgeschiedene Silbermenge in Milligrammen.

		zers. Wasser	abgesch. Silber
Casselmann		0,009331	J
Bunsen		0,0092705	
Joule			
F. Kohlrausch		0,009476	
Mascart		0,009297	0,11156
F. und W. Kohlraus	ch	0,009328	0,11183
Rayleigh		0,009326	0,1118

Man sieht, die drei letzten Beobachtungen, besonders die mit äußerster rgfalt durchgeführte von F. und W. Kohlrausch weichen ebenso wie

¹⁾ Casselmann, Die Kohlenzinkkette. Marburg 1843.

²⁾ Bunsen. In der Abhandlung von Reiset: Annales de chim. et de phys.

Joule, Philosophical Magazin IV. Reihe, Bd. II. 1851.
 F. Kohlrausch, Nachrichten der Königl. Gesellschaft der Wissenschaften Göttingen 1873. Poggend. Ann. Bd. CXLIX.

5) Mascart, C. R. XCIII p. 50. Journal de phys. 2 Série T. I.

6) F. und W. Kohlrausch, Sitzungsber. d. phys. Ges. zu Würzburg 1884.

7) Rayleigh u. Mrs Sidgwick, Proc. Roy. Soc. v. XXXVII p. 144.

die Casselmannsche von der ersten von W. Weber kaum um ½ ab, das Mittel aller Beobachtungen würde 0,009322; damit wür für unsere chemische Einheit in absolutem Maße ergeben

Mit dieser Zahl sind die in chemischem Maße wie bisher gem Stromstärken zu multiplizieren, um sie in Webersche absolute Ei zu verwandeln, oder eine Webersche Einheit ist gleich 1,0434 chemischen Einheit.

Die Webersche Einheit setzt die absoluten Maße von Gaußgramm, Millimeter, Sekunde voraus. Um die Einheit in dem ϵ Centimeter, Sekunde [CGS] System auszudrücken, ist es am beque zunächst die Dimensionen des elektromagnetischen Strommaßes anzu Wir gehen dazu davon aus, daß das Produkt aus der Stromstärieiner Fläche die Bedeutung eines magnetischen Momentes hat, den vom Strome i umflossene Fläche F ist gleichwertig einem Madessen Moment gleich iF ist. Da die Fläche das Quadrat einer ist, so ergiebt sich nach \S . 17

$$i\lambda^2 = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{5/2} \tau^{-1} \right],$$

somit

$$i = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{1/2} \tau^{-1} \right],$$

wenn μ das Zeichen der Masse, λ das der Länge, τ das der Zei Um den im Gaußschen System gegebenen Zahlenwert z im [CGS] 83 auszudrücken, haben wir nach Seite 549 des ersten Bandes zu schr

$$mgr = \frac{Gramm}{1000}, \qquad mm = \frac{cm}{10}$$

oder

$$i = z \left[\frac{gr^{1/2}}{\sqrt{1000}} \frac{cm^{1/2}}{\sqrt{10}} \tau^{-1} \right] = 0.01 \ z \left[gr^{1/2} \ cm^{1/2} \ sec^{-1} \right].$$

Im [CGS] System werden also die Stromstärken durch Zahler geben, welche ein Hundertstel der Zahlen sind, welche dieselbe Stärke in Weberschen Einheiten wiedergeben, die Einheit im [CGS] Stist somit das Hundertfache der Weberschen.

Wir haben schon mehrfach darauf hingewiesen, dass man in ne Zeit das elektromagnetische Strommas in die elektrotechnische leingesührt hat. Der Elektrikerkongres zu Paris im Herbst des Jahres hat auf den Antrag englischer Physiker, welche schon länger als tisches Mass das Zehnfache der Weberschen Stromeinheit benutzt dieses Mass als ein Weber bezeichnet hatten, diese Einheit als allge Einheit acceptiert, derselben aber nicht den Namen Weber gelassen dern ihr den Namen Ampère gegeben. Als Grund dieser Namensänd wurde angegeben, dass die ursprünglich von Weber aufgestellte Fallgemein als Webersche Einheit bezeichnet werde, und dass es d Verwirrung geben würde, wenn man dem Zehnfachen dieser Einhe Namen Weber gebe. Mir scheint allerdings der Grund wenig sticht sollte eine bestimmte Anzahl absoluter Einheiten mit einem Name zeichnet werden, so durste es nur der Name dessen sein, der

cheit eingeführt hatte, nicht der Name eines andern, wenn auch noch sehr um die Elektricitätslehre verdienten Physikers. Indes da der me in den letzten vier Jahren sich ziemlich eingebürgert hat, ist ein ckgängigmachen dieser Namengebung kaum mehr möglich.

Das Ampère ist somit gleich 10 Weberem, wenn wir das Webersche ktromagnetische Strommaß zum Unterschied der beiden andern von 1 eingeführten absoluten Strommaße durch das dem Namen Weber Index angefügte em bezeichnen.

Das Ampère ist somit nicht die Einheit im [CGS] System, sondern dieser Einheit, da wir sahen, dass diese letztere Einheit gleich 100 eber_{em} ist.

Bei der Ableitung der elektrodynamischen Grundgesetze haben wir ch eine andere Stromeinheit eingeführt; für die Wechselwirkung zweier ralleler, auf ihrer Verbindungslinie senkrechter Stromelemente erhielten r zunächst

$$w = a \cdot \frac{ii'\,ds\,ds'}{r^2}.$$

Wir setzten dann die Konstante a gleich 1, wählten also jene Stromrke zur Einheit, von welcher zwei Elemente ds und ds' durchflossen
d, wenn sie in der Abstandseinheit eine Wirkung auf einander ausen, welche sich zur Einheit der Kraft verhält, wie das Produkt ds ds'Flächeneinheit.

Um diese von W. Weber¹) als absolute elektrodynamische bezeichnete pheit der Stromstärke mit der elektromagnetischen zu vergleichen, putzen wir die Entwicklungen des §. 98 über die Wechselwirkung eier Kreisströme.

Wir erhielten dort für das Drehungsmoment, welches ein Element ses festen Kreisstromes dem Elemente eines beweglichen Kreisstromes teilt, wenn die Ebenen der beiden Kreise auf einander senkrecht stehen, d wenn die Ebene des beweglichen Stromes jene des festen Stromes lbiert [S. 834 (2)]:

$$=\frac{ii'ds\,ds'\cdot\varrho'\sin^2\psi}{r^8}\cdot\varrho\sin\chi\Big\{\sin\chi-\frac{3}{2}\frac{R\,\cos\chi-\varrho'\cos\psi\sin\chi}{r}\cdot\frac{\varrho\cos\chi}{r}\Big\},$$

orin ϱ der Radius des beweglichen, ϱ' des festen Kreises, R der Abstand r Kreismittelpunkte ist, der Winkel χ die Lage des Elementes ds im weglichen, ψ diejenige des Elementes ds' im festen Kreise bestimmt, und i' die Stromstärken in elektrodynamischem Maße bedeuten, und r, r Abstand der beiden Elemente, gegeben ist durch die Gleichung

$$r^2 = R^2 \left\{ 1 - 2 \frac{\varrho \sin \chi}{R} + \frac{\varrho^2 + \varrho'^2 - 2 \varrho \varrho' \cos \psi \cos \chi}{R^2} \right\}$$

Setzen wir nun diesen Wert für r in den Ausdruck für m, indem r zugleich die dort angedeuteten Potenzierungen ausführen, so erhalten r eine nach fallenden Potenzen von R geordnete Reihe für m, deren ites Glied ist

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Massbestimmungen §. 9. Leipzig 1846.

$$m = \frac{ii'ds\,ds'\cdot\varrho'\sin^2\psi\,\varrho\,\sin^2\chi}{R^3} + \cdots;$$

nehmen wir an, dass R gegen ϱ und ϱ' sehr groß ist, so können wir alle folgenden Glieder der Reihe vernachlässigen.

Um das Drehungsmoment zu erhalten, das der feste dem beweglichen Kreise erteilt, setzen wir $ds = \varrho \, d\chi$, $ds' = \varrho' \, d\psi$ und integrieren über beide Kreise von 0 bis 2π . Da R, ϱ und ϱ' sowie i und i' konstant sind, ist das Integral

$$M = \frac{ii'\varrho^2\varrho'^2}{R^3} \int \sin^2\chi \, d\chi \int \sin^2\psi \, d\psi.$$

Bei der einen Integration ist nur χ , bei der andern nur ψ variabel Nun ist

$$\int_{0}^{2\pi} \sin^2 \chi \, d\chi = \pi, \qquad \int_{0}^{2\pi} \sin^2 \psi \, d\psi = \pi,$$

somit wird das Drehungsmoment:

$$M = \frac{i i' \varrho^2 \pi \varrho'^2 \pi}{R^3}.$$

Das reduzierte Drehungsmoment ist somit

$$M R^3 = ii' \varrho^2 \pi \varrho'^2 \pi.$$

Ist die Intensität der Ströme in elektrodynamischem Maße der Einheit gleich, und die von jedem der Ströme umkreiste Fläche der Einheit gleich, so wird

$$M R^3 = 1$$
,

so dass wir die elektrodynamische Stromeinheit auch dahin desinieren können, dass ein die Flächeneinheit umkreisender Strom einem andem ebenfalls die Flächeneinheit umkreisenden ein der Einheit gleiches reduziertes Drehungsmoment erteilt, wenn die Ebenen beider Ströme zu einander senkrecht sind, und die Ebene des beweglichen Stromes die des festen Stromes halbiert¹).

Würden die Kreisflächen von einem Strome umflossen, dessen Intensität in elektromagnetischem Maße gleich J und J' ist, so könnten uns jeden durch einen Magnet ersetzt denken, dessen Momente warn $J\varrho^2\pi$ und $J'\varrho'^2\pi$, und da die Lage der Magnete der ersten Hauptlage (§. 17) entspricht, der feste halbiert verlängert den beweglichen, so ist das reduzierte Drehungsmoment

$$M'R^3 = 2J\varrho^2\pi \cdot J'\varrho'^2\pi.$$

Wird hier die Intensität in beiden der Einheit gleich und ebenso der von jedem umkreiste Flächenraum gleich 1, so wird

$$M' R^3 = 2.$$

Zwei von der elektromagnetischen Stromeinheit in dieser Weise um-

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere Widsstandsmessungen S. 261 ff.

kreiste Flächen erteilen also dem beweglichen Strome ein Drehungsmoment gleich 2; das findet ebenfalls statt, wenn die Ströme nach elektrodynamischer Einheit gemessen die Stromstärke $\sqrt{2}$ haben, denn dann wird

$$MR^3 = \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 2.$$

Daraus folgt also, daß die elektromagnetische Stromeinheit $\sqrt{2}$ mal größer ist als die elektrodynamische, oder in elektromagnetischem Strommaße ist die elektrodynamische Einheit

 $\frac{1}{\sqrt{2}}$

Um die in elektrodynamischem Maße gegebene Stromstärke auf elektromagnetische zu reduzieren, hat man sie durch $\sqrt{2}$ zu dividieren.

Hiernach sind wir imstande, die an den verschiedenen Messapparaten, den chemischen, elektromagnetischen oder elektrodynamischen, beobachteten und in dem jedem eigentümlichen Masse gegebenen Stromstärken auf einander und auf absolutes Mass zu reduzieren, also allgemein vergleichbare Resultate zu erhalten.

§. 129.

Magnetisierung durch den galvanischen Strom. Nachdem durch die Versuche von Oersted die Wechselwirkung zwischen galvanischen Strömen und Magneten festgestellt war, lag es nahe zu untersuchen, ob nicht durch solche Ströme in magnetisierbaren Substanzen Magnetismus erregt werden könne. Der Erste, welcher dahin gerichtete Versuche anstellte, war Arago¹), und er erkannte, daſs durch den galvanischen Strom in Eisen oder Stahl ein kräftiger Magnetismus erregt werden könne. Er fand nämlich, daſs ein die Pole der Batterie verbindender kupferner Leitungsdraht sich ringsum mit Eisenfeilspänen bedeckte, als er in dieselben eingetaucht wurde, welche sofort wieder abſielen, als die Verbindung des Drahtes mit der Batterie unterbrochen wurde. Daſs man es hier in der That mit einer magnetischen Erscheinung zu thun hat, daſs diese Anziehung und Anhäuſung der Eisenspäne in einer vorhergehenden Magnetisierung ihren Grund hat, ergiebt sich unmittelbar daraus, daſs sich die Erscheinung nur bei Eisen- oder Stahlspänen, nicht bei Spänen eines andern Metalles zeigt.

Noch deutlicher ergiebt sich dies aus einer genauern Betrachtung dieser Erscheinung; der in die Späne getauchte Draht umgiebt sich ringsum mit denselben, so daß die Eisenspäne ihn gewissermaßen als eine Röhre umgeben; diese Röhre haftet nicht an dem Drahte fest, sondern läßt sich mit Leichtigkeit auf demselben verschieben. Zugleich sieht man, daß die Feilspäne nicht aus der Ferne gegen den Leitungsdraht sich hin bewegen, sondern daß nur bei sehr kleinem Abstande des Drahtes von denselben die Späne sich gegen den Draht aufrichten, daß dann gewissermaßen die Späne an einander emporklettern und sich oberhalb des Drahtes gegen einander neigen, bis sich die Umhüllung des Drahtes ausgebildet hat, diese ganze Hülle wird bei folgendem Heben des Drahtes mit aufgehoben; einzelne Späne haften an dem Drahte nicht.

Annual Committee of the
¹⁾ Arago, Annales de chim. et de phys. T. XV.

Daraus folgt, dass der Draht als solcher die Feilspäne nicht anneh, dass vielmehr die ganze Erscheinung darauf beruht, dass jedes Eisenselspänchen ein Magnet wird unter dem Einflus des Stromes und dass diese Magnet von dem Strome nach der Ampèreschen Regel gerichtet wird Hat sich auf diese Weise eine Kette von Magneten rings um den Dalt gebildet, so können bei nachfolgendem Aufheben des Drahtes die Spies getragen werden, indem ein Eisenteilchen an dem andern haftet. Nachdem also durch die Einwirkung des Stromes die Feilspane magnetiset sind, trägt der Draht dieselben, wie ein durch eine Röhre gesteckter Stab die Röhre trägt.

Ebenso wie die Feilspäne wurden eiserne Nadeln in der Nähe des Stromes magnetisch, und der Magnetismus dauerte so lange als der Strom

dauert; Stahlnadeln dagegen wurden dauernd magnetisch.

Nach unserer Hypothese permanenter Molekularmagnete in den magnetisierbaren Körpern, welche, wenn die Körper magnetisch werden, mehr oder weniger gleich gerichtet werden, verbunden mit der Ampèreschen Theoria, nach welcher der Magnetismus seinen Grund in galvanischen Strömen bat, welche die Moleküle der Magnete umkreisen, ist dieser Erfolg des Versuche vorauszusehen. Denn darnach sind die Moleküle des Eisens, Stahls, überhaupt der magnetischen Körper schon im natürlichen Zustande von pormanenten Strömen umflossen, deren Ebenen indes alle möglichen Lager haben, so dass die Wirkungen nach außen sich aufheben. Sobald aber nun auf diese Ströme eine Kraft einwirkt, welche dieselbe in bestimmter Weise zu richten sucht, müssen diese Molekularströme, welche man natürlich ebenso beweglich annehmen muß, wie die früher supponierten Molekularmagnete, mehr oder weniger parallel gerichtet werden 1).

Das ist zunächst der Fall, wenn wir einer magnetisierbaren Substanz einen fertigen Magnet nähern, von dem wir wissen, dass er auf geschlossen Kreisströme in bestimmtem Sinne drehend einwirkt, das muß aber ebenso der Fall sein, wenn wir an einem magnetisierbaren Körper einen galvanischen Strom vorüberführen, da auch dieser geschlossene Ströme in bestimmten

Sinne zu richten sucht.

in den Malsbestimmungen insbesondere über Diamagnetismus; Weber

Trheber der Theorie Ampère an.

¹⁾ Die hier vorgeführte Theorie der Magnetisierung wird fast überall, and in französischen Werken, als die Theorie von Ampère angeführt; ich habe in den frühern Auflagen dieses Buches bezweifelt, dass das richtig sei, da die of citierte Hauptabhandlung Ampères über Elektrodynamik eine andere Ansicht ausspricht. Herr Haentzschel in Berlin hat mich indes darauf aufmerksam ge-macht, daß Ampère in der That anfänglich (Journal de physique Bd. XCIII oder Recueil d'observations, Paris 1822, p. 164 und p. 174) die Magnetisierung auf drehbare Molekularströme zurückgeführt hat. Ampère hat indes diese Ansicht sehr bald aufgegeben und sich an die frühere Scheidungstheorie angeschlossen, indem er annahm, daß durch den Akt des Magnetisierens die den Magnetisma-bedingenden Molekularströme bedingenden Molekularströme erzeugt werden. Denn Ampère sagt in dem schon mehrfach erwähnten mémoire sur la théorie etc. p. 372 sub Nr. 8: Quand l'action d'un aimant ou celle de fil conducteur établit ce mouvement autour des paticules des corps, les molécules d'électricité positive et d'électricité negative, qui doivent se constitues des corps. qui doivent se constituer dans l'état électrodynamique permanent d'où résultent les actions qu'il exerce alors, ... ne peuvent arriver à cet état qu'après un temps toujours très court, mais qui n'est jamais nul.

Durchgeführt ist die Theorie der drehbaren Molekularströme zuerst von

Wir können aus dieser Theorie sogar weiter ableiten, in welcher Weise wir einen Strom an der magnetischen Substanz vorüberleiten müssen, um die kräftigste magnetische Wirkung zu erhalten; es wird das der Fall sein, wenn wir den Strom in einer Spirale um den zu magnetisierenden Stab herumführen. Jede Windung derselben wirkt dann nahezu als geschlossener Kreisstrom auf die im Innern des Eisens befindlichen Molekularströme und sucht dieselben so zu stellen, daß die Ebenen dem Strome parallel werden und die Richtung der Ströme dieselbe ist, gerade so wie ein geschlossener Kreisstrom einen andern sich selbst parallel zu stellen sucht (§. 118).

Auch die Richtung der Pole läßt sich hiernach sofort voraussagen. Befindet sich in der Spirale (Fig. 252) ein Stab AB, und fließt durch



dieselbe ein Strom in der Richtung mn, der also, wenn man die Spirale von A aus ansieht, sich um dieselbe entgegengesetzt als der Zeiger einer Uhr bewegt, so werden auch die in AB befindlichen Molekularströme so gerichtet werden, dass sie von A aus gesehen sich entgegengesetzt bewegen als der Zeiger einer Uhr. Daraus folgt, dass Ende A ein Nordpol, das Ende B ein Südpol wird.

Befindet sich dagegen ein Stab in der Spirale Fig. 253 und fließt der Strom ebenfalls von m nach n durch dieselbe, so werden die Molekular-



ströme entgegengesetzt gerichtet, es wird A ein Südpol werden müssen,

B ein Nordpol.

Fliefst der Strom in den Spiralen von n nach m, so muß die Polarität der Stäbe umgekehrt werden, es muß B Fig. 252 ein Nordpol, B Fig. 253 ein Südpol werden

Die Lage der Pole wird durch den Versuch in allen Fällen dem ent-

sprechend gefunden.

Man bezeichnet gewöhnlich die Spirale Fig. 252 als eine linksgewundene, die Spirale Fig. 253 als eine rechtsgewundene, und kann deshalb die Art der Magnetisierung kurz so aussprechen: Fließt der Strom durch eine linksgewundene Spirale, so entsteht an der Eintrittsstelle desselben ein Nordpol, fließt er durch eine rechtsgewundene, so entsteht an der Eintrittsstelle ein Stidpol. Da die Bezeichnung rechts und links gewunden jedoch nicht immer in demselben Sinne gebraucht wird, einige das rechts, was andere links nennen, so dient am besten zur Orientierung der Art des Magnetisierens einfach die Ampèresche Regel; ein Stab wird durch den Strom immer so magnetisiert, daß seine Pole nach dem Magnetisieren im

Bezug auf den Strom so liegen, wie ein fert gerichtet wäre. Der Nordpol liegt also imm Strome schwimmt und dabei den Magnet an

Ein einfacher Magnet mit zwei Polen ei die Spirale in demselben Sinne um den ganze Spirale, wie Fig. 254, zur Hälfte von m bis c

Fig. 254.



c bis n in dem andern Sinne gewunden, so geführten Regel sowohl bei A als auch bei dagegen bei c bildet sich ein Südpol; wir einen Magnet mit einem Folgepunkte. Die wir beliebig vermehren, indem wir mehrfach wechseln.

Unter dem Einfluse von Strömen werder stäbe sofort magnetisch, und der Magnetismus stärke ungeändert bleibt, ungeschwächt fort. tismus als temporären Magnetismus. Unterb schwindet der Magnetismus zum Teil; den den permanenten Magnetismus; dieser ist s Natur des Eisens und Stahls, bei weichem hartem Stahl ist er oft nur wenig von dem schieden. Es gilt hier dasselbe, was wir im etber den dauernden Magnetismus gesagt hab mus nähert sich dem temporären um so mekraft des magnetisierten Stabes ist.

Mit Hilfe kräftiger Ströme kann man s halten; es ist dazu nicht einmal erforderli Stab mit der Spirale vollständig zu umget nur teilweise zu bewickeln.

Um kräftige permanente Stahlmagnete von Elias 1) sehr geeignet. Man wickelt etwa 3 mm Dicke, welcher gut mit Seide übersponr dicken aber kurzen Cylinder zusammen, lässt den Cylinder gehen, etwa den Strom eines Elementes, steckt den zu magnetisierenden Sta schiebt ihn mehrsach auf und ab von einem Stahlstab sich dann wieder mit seinem mittle so öffnet man den Strom. Ist der Stab huse gut, ihn mit seinem Anker zu versehen, ist efüglich an seinen Enden mit weichen Eisens

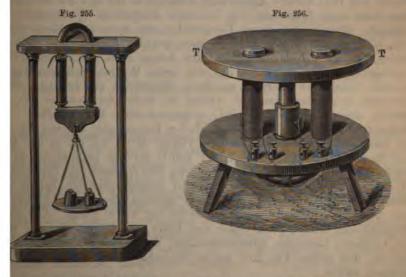
Diese Magnetisierungsmethode füllt im Methode des Michellschen Doppelstriches, bei

¹⁾ Elias, Poggend. Ann. Bd. LXII und LX

ihren ungleichnamigen Polen über den zu magnetisierenden Stab hin her geführt und von der Mitte abgehoben werden. Denn eine solche htspirale verhält sich gerade wie ein Magnet, welcher nur an den Hächen magnetisch ist, und dessen eine Endfläche nordpolar, dessen ere südpolar ist. Es werden also auch bei dieser Methode zwei einer sehr nahe aber getrennte Pole über dem zu magnetisierenden Stabe und her geführt.

In sehr vielen Fällen wendet man jetzt anstatt permanenter Magnete perär magnetisierte Eisenstäbe, sogenannte Elektromagnete an, und r besonders dann, wenn es sich darum handelt, sehr starke Magnete erhalten. Der Magnetismus, welchen man einem Stabe erteilen kann, gt nämlich, wie wir im ersten Abschnitte dieses Teiles sahen, ab von Größe und Dicke des Stabes, kräftige Magnete müssen daher sehr is sein. Da sich nun sehr große Magnete nur äußert schwierig perient bis zur Sättigung magnetisieren lassen, so ist es im allgemeinen n viel bequemer, große Eisenmassen passend mit Spiralen zu umgeben, durch diese, so lange man den Magnetismus benutzen will, einen stigen Strom gehen zu lassen.

Die Formen, welche man diesen Elektromagneten gegeben hat, sind verschieden¹); die gewöhnlichste Form ist die in Fig. 255 oder Fig. Ein hufeisenförmig gebogenes Eisen wird entweder wie Fig. 255 gehängt, dass seine Pole nach unten hängen, oder wie Fig. 256 auf-



tellt, so dass seine Pole oben sind. Die senkrechten Schenkel des Hufns werden dann entweder mit auf hölzerne Rollen gewickelten Spiralen p. 255), oder direkt mit übersponnenem Kupferdraht umgeben. Da die metisierende Kraft des Stromes mit seiner Stärke und der Anzahl udungen, mit denen er um den Stab geführt wird, zunimmt, so muß

¹⁾ Niklès, Les Electroaimants, Paris 1860, unterscheidet mehr als 80 Arten.

man möglichst dicken Draht zu den Windungen wählen, und de möglichst oft um den Kern herumwinden. Der große Elektre Plückers, den Fig. 256 im wesentlichen darstellt, besteht¹) au Eisenkern, dessen Durchmesser 102mm beträgt, welcher ein Gewi 84 kg hat; jeder seiner senkrecht stehenden Schenkel ist mit 4 Kupferdraht, jede aus 92 Windungen bestehend, umwickelt. Du hat eine Dicke von 4,36 mm und wiegt 35 kg.

Um an so kräftigen Magneten bequem das magnetische Veranderer Substanzen untersuchen zu können, versieht man die Parkern. An dem Plückerschen Magnete bestehen dieselben aus von weichem Eisen 48 mm hoch, welche auf die Polffächen aufges sind; in der Mitte ihrer Höhe sind die Platten der Breite nach bohrt, und in die Durchbohrungen, die 20 mm Durchmesser haben, darein passende verschiebbare, an einem ihrer Enden konisch zuge Cylinder von weichem Eisen geschoben und durch Schrauben festgel so dass die einander zugewandten Zuspitzungen passend von einande fernt sind.

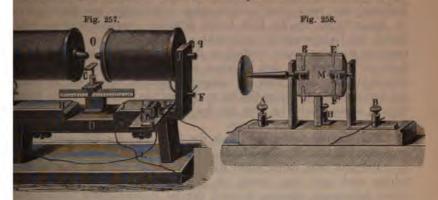
Häufig wendet man auch anstatt solcher Anker einfach parall pedische oder an einer Seite zugespitzte oder zugeschärfte Eisenstäck

Eine andere Form hat Rühmkorff den Elektromagneten ges welche zu vielen Untersuchungen sehr bequem ist²); dieselbe zeigt 257. Auf einer dicken, mit zwei Spalten versehenen eisernen Bu lassen sich zwei massive knieförmige Eisenstücke HLII, JFJ versch und durch zwei Schrauben s in beliebiger Entfernung von einander festigen. Oben sind in diesen Eisenstücken zwei horizontale Eisencyl JO, HO befestigt, deren Axen in einer geraden Linie liegen. linder sind zu manchen Zwecken ihrer Länge nach durchbohrt. ('ylinder sind von den beiden, aus sehr vielen Windungen dicken Ku drahtes bestehenden Spiralen umgeben; durchfließt ein kräftiger S dieselben in gleichem Sinne, so werden die Enden der Cylinder Jo. welche einander zugewandt sind, entgegengesetzte Pole erhalten. Strom tritt zunächst in den Rühmkorffschen Kommutator, welchen Fig. im Durchschnitt zeigt; ein Elfenbeincylinder M ist um die in der! durchbrochene Axe CD drehbar; der Teil C der Axe ist zunächst in tender Verbindung mit der Klemme A, der Teil D ebenso mit der Kle Auf dem Elfenbeincylinder sind auf entgegengesetzten Seiten Metallwülste FF' und EE' mit Stiften befestigt, deren einer F' bis Axe D reicht, während ein anderer E bis zur Axe C reicht. Auf d Metallwülsten schleifen auf jedem eine Feder, welche mit den zur? des Cylinders stehenden Klemmschrauben, deren eine H Fig. 258 s bar ist, und welche Fig. 257 mit hk bezeichnet sind, in leitender bindung stehen.

Der Strom tritt in k ein, geht dann durch den Kommutator nach durchläuft die beiden Spiralen, indem er von der ersten Spirale über zum Teil sichtbare Klemme q an dem Stativ her zur zweiten Spirale

¹⁾ Plücker, Poggend. Ann. Bd. I.XXII.
2) Rühmkorff, Comptes Rendus T. XXIII. p. 417 and 588. Jamis, Comptes T. III. p. 268.

wird, fliefst durch den Draht LL' zum Kommutator und verläfst elben durch die Klemme h. Wird der Cylinder des Kommutators um



gedreht, so fliefst der Strom von k durch den Draht LL' in die alen und kehrt durch F über h zurück.

Zwischen den Polen befindet sich ein Tischchen C, auf welches die intersuchenden Gegenstände gelegt werden können. Das Tischchen ist iorizontaler und vertikaler Richtung verschiebbar.

Die Pole können mit verschiedenen Aufsätzen versehen werden, welche den Enden der Stäbe festgeschraubt werden.

Derartige große Magnete sind sehr geeignet, um andere Stahlmagpermanent zu magnetisieren, indem man entweder die zu magnetimden Stäbe über die Pole hinzieht, oder einfach an einen Pol ansetzt dann mehrfach erschüttert; einen Hufeisenmagnet setzt man als er auf, und wenn er nicht zu groß ist, genügt eine geringe Ertterung, um ihn zur Sättigung zu magnetisieren.

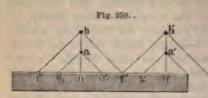
§. 130.

Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke. Die Stärke in einem Stabe erregten Magnetismus, d. h. die Größe seines tempon magnetischen Momentes, hängt ab von der Stärke des magnetischen Stromes, der Anzahl Windungen, in welchen derselbe den Stabgiebt, der Weite der Windungen und schließlich von der Größe und m, sowie der Natur des Stabes.

Die ersten genaueren Versuche über die Abhängigkeit des magnetien Momentes von den angeführten Umständen haben Jacobi und Lenz estellt¹). Die Methode, welche sie zur Messung des magnetischen nentes anwandten, beruht auf Folgendem. Wenn man einen von einer ehlossenen Spirale umgebenen Eisenstab magnetisiert, so wird, wie wir nächsten Kapitel ausführlicher nachweisen werden, im Momente des metisierens in der Spirale ein elektrischer Strom erregt, welcher nur ange dauert, als der Magnetismus erregt wird, aber aufhört, wenn der metismus des Stabes vollständig ausgebildet ist. Man kann sich davon

¹⁾ Lenz und Jacobi, Poggend. Ann. Bd. XLVII.

einen Magnet dem Abstande beider umgekehrt proportional. Ist um e eine um an, b eine um bn (Fig. 259) von dem Magnet entfernte Wadung, und ist der Winkel ean die Grenze, innerhalb deren die Wirkung



des Stromes noch merklich ist, wird sich die Wirkung der Windung b relativ ebenso stark über die Strecke ff erstrecken, als die Wirkung von a auf ce'. Die Wirkung der Windung a auf den Stab wirden wir nun nach dem Gesetze wie Biot und Savart gleich setzen ble-

nen $\frac{M}{an} \cdot ee'$, die Wirkung von b dagegen gleich $\frac{M}{bn} \cdot ff'$. Da nun abr $\frac{ee'}{ff'} = \frac{an}{bn}$, so ist die Wirkung dieser beiden Windungen dieselbe, indem as entferntere Windung in demselben Verhältnisse auf eine größere Zahl un Molekülen wirkt, als die Wirkung auf jedes einzelne schwächer ist.

An den Enden ist das aber nicht mehr der Fall; die Figur zur schon unmittelbar, daß die Windung a' noch ihre volle Wirkung hat, während die Windung b' dieselbe nicht mehr hat. Für Spiralen, welche erheblich kürzer oder länger sind als die Kerne, würde man daraus de Unabhängigkeit der magnetisierenden Kraft von der Weite der Spiralen folgern.

Um die Abhängigkeit des magnetischen Momentes von der Windungzahl der Spiralen zu bestimmen, wurden die eben benutzten Spiralen zu gleich auf den Eisenkern geschoben und der Strom in gleicher Stärkt durch eine, zwei oder mehrere Spiralen geleitet. Die Resultate der Beobachtung waren folgende:

Magnetisierende Spiralen	Magnetismen
I	1333
I + II	2640
$I + \Pi + IV$	3889
I + II + IV + V	5110
I + II + III + IV + V	6391
I + II + III + IV + V + VI	7610.

Beachtet man das soeben über den Einflus der Weite der Windungsselber der Stabe erregte magnetische Moment der Zahl der Windungen einfach proportional ist, denn die hie durch Einwirkung der verschiedenen Spiralen gefundenen Magnetismen sind einfach die Summen der durch die einzelnen Spiralen erhalten Magnetismen.

Man wird deshalb das Produkt aus der Stromstärke und der Wirdungszahl einer Spirale als die magnetisierende Kraft derselben bereichnen können.

Das aus den Versuchen von Jacobi und Lenz sich ergebende Gesett nach welchem das temporäre magnetische Moment der Intensität des metisierenden Stromes proportional sein soll, ist später noch mehrind worden. Dasselbe hat sich danach nicht als allgemein riebig w

ben, es ist, wie sich aus den ausgedehnten Versuchen Müllers 1) ergiebt, r gültig für Stäbe von nicht zu kleinem Durchmesser, für dünnere äbe findet sich, dass die Stärke des Magnetismus langsamer zunimmt 3 die Stromstärke, dass sich das magnetische Moment einem Maximum ihert.

Die Messung des magnetischen Momentes der Stäbe vollführte Müller urch Beobachtung der Ablenkung, welche die magnetisierten Stäbe dem agnete eines Magnetometers erteilten. Die Magnetisierungsspirale wurde nkrecht zur Richtung des magnetischen Meridianes aufgestellt und zwar stlich, ungefähr ein Meter von dem Magnetometer entfernt. Die Abakung des Magnetes rührte dann her von der Wirkung der Magnetisrungsspirale und von dem in dem Stabe erregten Magnetismus. Die iden Einwirkungen wurden dadurch gesondert, daß man zuerst die blenkung des Magnetometers durch die Spirale allein beobachtete, und un, nachdem der Stab in die Spirale eingelegt war. Ist α der Abakungswinkel durch die Spirale allein, α_1 derjenige durch die Spirale den eingelegten Stab, ist M das temporäre magnetische Moment des abes, m das der Spirale, T die Horizontalkomponente des Erdmagnemus und R der Abstand der Magnetisierungsspirale von dem Magnetoter, so ist nach §. 127 und 128

$$2 m = R^3 T \cdot \tan \alpha; \qquad 2(m + M) = R^3 T \cdot \tan \alpha_1,$$

$$M = \frac{1}{2} R^3 T (\tan \alpha_1 - \tan \alpha).$$

Das permanente magnetische Moment des Stabes erhält man durch

dritte Beobachtung der Ablenkung des Magnetometers, wenn der
gnetisierende Strom unterbrochen ist.

Die Stromstärke bestimmte Müller an einer Tangentenbussole, deren luktionsfaktor, um die Stromstärke auf chemisches Maß zurückzuren, gleich 70 war.

Folgende Tabelle enthält die Resultate dreier Versuchsreihen mit ben, deren Länge 560 mm betrug; dieselben wurden in eine Spirale 780 Windungen gelegt, deren Länge 530 mm war, so daß die Stäbe beiden Seiten 15 mm aus der Spirale hervorragten.

Die erste Kolumne der Tabelle enthält die Stromstärke s in chemischem Ise, die zweite p die magnetisierende Kraft der Spirale, das Produkt i der Stromstärke und der Windungszahl, die dritte m die Differenz $\mathbf{g} \alpha_1$ — tang α , welcher das magnetische Moment des Stabes proportaal ist, und die vierte $\frac{m}{p}$ den mit 100000000 multiplizierten Quotienten i dem erregten magnetischen Momente und der magnetisierenden Kraft.

¹⁾ Müller, Poggend. Ann. Bd. LXXIX, Bd. LXXXII. Bericht über die tschritte der Physik. Braunschweig 1849. S. 464 ff. Daß das magnetische gent eines Stabes sich einem Maximum nähert, ist durch Messung der Tragt von Magneten schon früher von Joule gezeigt worden. Annales of Electy vol. IV. Philosophical Magazin IV. series vol. II.

N 51112 CE 12					294
		8	$oldsymbol{p}$	771	<u> </u>
		35,665	27819	0,2864	1027
		30,436	23740	0,2842	1197
		19,933	13288	0,2627	1967
		8,569	6705	0,2078	3090
		3,913	3052	0,1193	3909.
Stabdicke	12 mm				
		35,432	27638	0,5098	1844
		17,451	13612	0,4247	3120
		8,596	6705	0,2954	4108
	ě	4,458	3243	0,1386	4270.
Stabdicke	15 mm				
		34,902	27223	0,7335	2694
		21,399	16691	0,6228	3731
		17,451	13618	0,5648	4147
		8,596	6705	0,3092	4611
		4,158	3243	0,1541	474 8.
Stabdicke	44 mm,	Zahl der	Windung	en 372	
		45,633	16975	1,3631	8041
·		25,753	9580	0,7898	8244
		19,810	7369	0,5946	8069
		9,093	3383	0,2730	8129
		7,973	2946	0,2487	8102.

Hätte das Gesetz von Lenz und Jacobi allgemeine Gültigkeit, so für ein und denselben Stab der Quotient $\frac{m}{p}$ denselben Wert bev das ist indes nur für den Stab von 41 mm Durchmesser, also den der untersuchten Stäbe der Fall; für die drei dünnern Stäbe nimm der Wert dieses Quotienten stets zu, je schwächer der Strom is ergiebt sich daraus, dass das magnetische Moment langsamer wäc die magnetisierende Kraft der Spirale. Eine einfache Beziehung zu Magnetismus und Stromstärke ließ sich nicht erkennen, indes gel Müller, die Resultate dieser Beobachtungen in einer empirischen zu vereinigen, welche zugleich die Abhängigkeit des temporären Mevon dem Durchmesser des Stabes in sich aufnimmt. Ist d der messer des Stabes und sind a und b zwei Konstanten, so ergab

$$p = ad^{\frac{n}{2}} \cdot \tan \frac{m}{bd^2}$$

Die Konstanten a und b sind, wenn die Stromstärke in chen Maße (Einheit 1 ccm Knallgas in der Minute) und $m = \tan \alpha_1 - \cos \alpha_1$ gesetzt wird,

$$a = 220, b = 0.000005.$$

Vertauschen wir m mit dem magnetischen Momente M, so v

$$b = 0.00005 \cdot R^3 T$$

1d drücken wir die Stromstärke in einem andern Masse aus, so muss ausprechend geändert werden.

Für schwächere Ströme ergiebt sich auch aus dieser Formel, dass ie Magnetismen den Stromstärken proportional sind, denn so lange $\frac{m}{d^2}$ ur einen kleinen Wert hat, können wir die Tangente mit dem Bogen Brauschen, und erhalten

$$p = \frac{a}{b} d^{3} \frac{m}{d^{2}}; \qquad p = c \frac{m}{\sqrt{d}},$$

⊐d daraus

$$m=\frac{1}{c}\ p\ \sqrt{d}\cdot$$

So lange also der Magnetismus der Stromstärke proportional gesetzt urden darf, würde er hiernach für verschiedene Stäbe gleicher Länge ch der Quadratwurzel aus dem Durchmesser proportional sein.

Nimmt man an, dass diese Formel auch ausserhalb der Grenzen der Fruche, aus denen sie abgeleitet ist, ihre Gültigkeit bewahrt, so erbt sich aus ihr, dass jeder Eisenstab nur bis zu einem bestimmten, a seiner Dicke abhängigen Maximum magnetisiert werden kann, welden er sich bei stetiger Vergrößerung der magnetisierenden Kraft immer har annähert. Denn für $p = \infty$ muß

$$\frac{m}{b d^2} = \frac{1}{2} \pi$$

$$m = \frac{1}{2} \pi b d^2$$

rden, so da's also das Maximum des temporaren Magnetismus, welches verschiedenen Stäben gleicher Länge erreicht werden kann, dem Quate des Stabdurchmessers, resp. seinem Querschnitte proportional sein rde. Setzen wir $b = c \cdot l$, worin l die Länge der Stäbe bedeuten soll, wird

$$m = 2 c \cdot \frac{1}{4} l d^2 \pi,$$

 \Box it, da $\frac{1}{4} l d^2 \pi$ das Volumen des Stabes bedeutet,

$$m = 2 c v; \qquad \frac{m}{v} = 2 c.$$

Das erreichbare magnetische Moment ist dem Volumen des Stabes portional, und das der Volumeinheit Eisen zu erteilende magnetische magnetische ist gleich der Konstanten 2 c.

Eine ausführliche Prüfung und Bestätigung der Müllerschen Formel später von v. Waltenhofen 1) gegeben worden. Die von ihm benutzten Stäbe hatten alle die Länge von 103 mm, ihre Durchmesser waren sechen 1,13 und 28 mm. Die Messungen wurden nach der Methode von Aller ausgeführt, welche v. Waltenhofen nur insofern verbesserte, dass er Ablenkung, welche die Magnetisierungsspirale allein bewirkte, dadurch Phob, dass er an der andern Seite des Magnets des Magnetometers eine au ebensolche Spirale aufstellte, welche den Magnet nach der entgegentzten Seite ablenkte. Die letztere Spirale wurde stets so gestellt,

¹⁾ von Waltenhofen, Berichte der Wiener Akademie Bd. LII.

daß der Stab des Magnetometers keine Ab magnetisierende Stab nicht in die Spirale g Weise nur die Ablenkung durch den Magne konnte man auch die kleinen Momente, wel rende Kräfte den Stäben erteilt wurden, m

Zur Vergleichung der Beobachtung mit v. Waltenhofen in letztere anstatt der Durc wichte ein, da diese sich mit größerer Gena Müllersche Formel wird dann, wenn α und

$$m = \beta \gamma \operatorname{arc} \left(\operatorname{tang} = \right)$$

Drückt man das Gewicht γ in Gramm durch die Anzahl Grade, so daß $\frac{1}{2}\pi$ gleie sich die beobachteten Momente darstellen i

$$\alpha = 1,853$$
 $\beta = 0,01865$

Die Momente des Stabes sind nach a daß m die Anzahl Millionen Einheiten a hielt, und als Einheit der magnetisierend welche der Magnetisierungsspirale, die v. Wa von einer Million absoluten Einheiten erteil tisierungsspirale für sich genommen auf ei so wirkte, wie ein Magnetstab, dessen mag Million absoluter Einheiten ist.

In folgender Tabelle sind einige der Resultate zusammengestellt; die erste Koluden Kräfte, die folgenden die beobachteten die Stäbe, deren Gewicht γ über denselben

	7-	0,773	7-	2,700	7-5	22,490
p	m beeb.	m ber.	m boob.	na ber.	m beob.	m be
1	0,393	0,479	0,549	0,724	1,061	1,25
9	0,732	0,759	1,098	1,366	2,269	2,50
3	0,869	0,909	1,647	1,891	3,366	3,78
4	0,915	0,997	2,242	2,301	4,570	4,95
3	0,938	1,053	2,536	2,620	5,818	6,14
6	0,960	1,092	2,838	2,868	6,955	7,29
30	1,015	1,120	3,003	3,065	8,098	8,42
8	1,038	1,142	3,114	3,220	9,240	9,51
9	1,084	1,139	3,351	3,352	10,438	10,56
10	1,121	1,173	3,297	3,459	11,637	11,57
15	1,166	1,214	3,655	3,798	17,233	15,96

Im großen und ganzen zeigt sich eine i zwischen Beobachtung und Rechnung, so da obachtungen mit großer Annäherung sich wiedergeben lassen. Jedenfalls folgt aus Magnetismus des Eisens nur bis zo ein erden kann, dem er sich mit wachsender magnetisierender Kraft allählich nähert. Darf man die Müllersche Gleichung auch außerhalb der vobachtungen noch benutzen, so würde für dieses Maximum, welches dem erte $p = \infty$ entspricht, sich ergeben

$$M = 0.01865 \cdot y \cdot 90$$

der die Gewichtseinheit Eisen, das Gramm, dieselbe als Stab gleicher Länge ngewandt, könnte das Moment

$$\frac{M}{\gamma} = 1,6785$$

halten, wo die Einheit einer Million absoluten magnetischen Einheiten stspricht. Für das Milligramm Eisen ergäben sich somit 1678,5 absolute inheiten.

Diese Zahl hat Waltenhofen später¹) aus seinen und andern Versuchen was korrigiert, er findet im Mittel

$$\beta = 0.0236$$
 $\frac{M}{\gamma} = 2.124$

o für das Milligramm Eisen, dasselbe in Form eines Stabes gebracht, 24 absolute magnetische Einheiten. Fromme²) erhält aus seinen Beachtungen den ein wenig größeren Wert 2263.

Aus den Versuchen von Müller und Waltenhofen, so wie der Formel Müller folgt, dass bis zu gewissen magnetisierenden Kräften der Magtismus der Stäbe annähernd den Kräften proportional ist, und dass diese oportionalität um so weiter geht, je dicker die Stäbe sind. Durch einen fachen von Koosen³) angegebenen Versuch läst sich dieses Verhalten Stäbe direkt sichtbar machen.

Man leitet einen Strom durch eine Tangentenbussole und eine Magtisierungsspirale, in welcher sich ein Eisenstab befindet. Die Magnetisierungsspirale wird so gestellt, dass sie ebenfalls ablenkend auf die Nadel Tangentenbussole wirkt, und dann der Strom so durch sie hindurchsführt, und ihr Abstand von der Bussole so geregelt, dass die Wirkung Stromes und der den Eisenstab enthaltenden Magnetisierungsspirale auf Nadel der Tangentenbussole sich gerade aufheben. So lange dann das agnetische Moment des Stabes der magnetisierenden Kraft proportional ist, ussen die beiden Wirkungen auf die Nadel sich bei jeder Stromstärke ufheben, und die Nadel der Tangentenbussole darf nicht abgelenkt werden, telches auch die Stromstärke ist.

Als Koosen nun einen Eisenstab von 27 mm Durchmesser in die Magetisierungsspirale legte, zeigte sich auch keine Ablenkung, selbst als er romstärken anwandte, welche für sich die Nadel der Tangentenbussole n 60° ablenkten, nachdem er den Apparat so aufgestellt hatte, das bei ner Stromstärke, welche die Nadel der Bussole um 10° ablenkte, die Abkungen kompensiert waren. Bei dünnern Stäben erhielt er jedoch mit

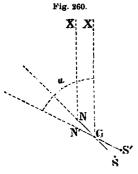
¹⁾ von Waltenhofen, Poggend. Ann. Bd. CXXXVII.

²⁾ Fromme, Wiedem. Ann. Bd. XIII. 3) Koosen, Poggend. Ann. Bd. LXXXV.

wachsender Stromstärke Ablenkungen, die zeigten, daß das magnetische Moment des Stabes langsamer zunahm als die Stromstärke 1).

W. Weber²) hat aus der Theorie der drehbaren Molekularmagnete einen Ausdruck für das magnetische Moment, welches durch irgend eine magnetisierende Kraft erregt wird, abgeleitet, welcher ebenfalls zeigt, das das magnetische Moment sich mit wachsender Stromstärke einem bestimten Maximum nähert, welches erreicht ist, wenn sämtliche Moleküle der Magnets der magnetischen Axe parallel gelagert sind.

Es sei, um den Weg anzudeuten, auf welchem man zu diesem Amdrucke gelangt, N'S' (Fig. 260) die natürliche Lage eines Molekularmagnet,



welcher um seinen Mittelpunkt drehbar ist; durch eine der Richtung CX parallele magnetisieren Kraft X sei derselbe um den Winkel $N'CN = \emptyset$ gedreht.

Die auf den Magnet einwirkenden Molekular kräfte, von deren Vorhandensein uns die einige Thatsache überzeugt, dass bei dem weichen Eise der temporäre Magnetismus fast vollständig, bei dem Stahl zum Teil verschwindet, üben auf dem Magnet eine der Richtung N'S' parallele Direktionskraft aus; sei dieselbe gleich D. Würde musselse in dem magnetisierten Stabe dieselbe bleik obgleich die naheliegenden Moleküle ebenfalls in

Drehung erfahren, so würde bei einer Drehung des Magnets N'S' um φ ihn zurücktreibende Kraft D. sin φ sein. Das ist nun zwar wohl nicht der Fall, indes wird man unter Annahme dieses Wertes doch wohl eine dem wahren Werte der den Molekularmagnet in seine Gleichgewichtslage zurückführenden Kraft nahe kommende Voraussetzung machen, besonders bei dem Eisen, in welchem die Moleküle nach Aufhören der magnetisierenden Kraft in ihre Gleichgewichtslage zurückkehren.

Die magnetisierende Kraft X sucht den Magnet parallel CX zu stellen ist der Winkel N'CX, welchen dieselbe mit N'S' bildet, gleich n, so wird die in der Lage NS auf den Magnet wirkende Kraft sein

$$X \cdot \sin(u - \varphi)$$
.

Ist nun NS die neue, unter Einwirkung der Kraft X erreichte Gleich gewichtslage, so ist die Bedingung derselben

$$X \cdot \sin (u - \varphi) = D \cdot \sin \varphi$$

$$\tan \varphi = \frac{X \cdot \sin u}{D + X \cdot \cos u}.$$

Ist auf diese Weise der Winkel \(\phi \) bestimmt, so läfst sich daraus \(\hat{b} \)

1) Ahnlich wie bei Eisen ist auch die Abhängigkeit des magnetisches Moments von der magnetisierenden Kraft bei Nickel und Kobalt. Man als Hankel, Wiedem Ann. Bd. I. H. Becquerel, Annales de chim. et de phys. 5. 127 T. XVI. Rowland, Philosoph. Magazin. 4. series vol. XLVI und vol. XLVII.

2) W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere des Diamagnetismus. S. 566 ff.

nen, um wie viel die der Richtung CX parallele Komponente des Molermagnets zugenommen hat. Ist m das der Axe des Molekularmagnets llele Moment, so war in der natürlichen Gleichgewichtslage die CXllele Komponente desselben

ı der Drehung um den Winkel φ ist es dann

$$m \cdot \cos (u - \varphi),$$

lich ist die Zunahme

$$x = m \left\{ \cos \left(u - \varphi \right) - \cos u \right\}.$$

wickelt man aus dem gefundenen Werte für tang o die Werte von p und sin p, so wird

$$x = m \left\{ \frac{X + D \cdot \cos u}{\sqrt{X^2 + D^2 + 2 \times D \cdot \cos u}} - \cos u \right\}.$$

Da in einem natürlichen Eisenstabe die Molekularmagnete alle mögen Lagen haben, so ist die Summe der Komponenten parallel CX, bevor Magnetisierung eintrat, gleich null, und das temporare magnetische nent nach der Magnetisierung ist gleich der Summe aller x für die tlichen Elemente des Stabes.

In dem körperlichen Elemente des Stabes, dessen Mittelpunkt C ist, n nun n solcher Molekularmagnete vorhanden; dieselben liegen im irlichen Zustande des Stabes nach allen möglichen Richtungen des mes gerichtet. Die Zahl derjenigen, welche mit der Richtung CX ikel bilden, welche zwischen u und dem davon unendlich wenig veredenen Werte u + du liegen, verhält sich deshalb zu der gesamten l n der Moleküle, wie eine Kugelzone, deren Radius sin u, deren ite du ist, zur Oberfläche der ganzen Kugel, deren Radius gleich 1 also wie

$$2\pi\sin u\,du:4\pi;$$

Zahl derselben ist somit

$$\frac{n\sin u\,du}{2}$$
.

Moment aller dieser Molekularmagnete ist somit
$$y = \frac{mn}{2} \left\{ \frac{X + D \cos u}{\sqrt{X^2 + D^2 + 2 D X \cos u}} - \cos u \right\} \sin u \, du.$$

us erhalten wir das Moment M_0 des ganzen körperlichen Elementes, n wir die Summen aller Werte y bilden für alle Werte, welche u shmen kann, also für alle zwischen 0 und π liegenden Werte oder

$$M_0 = \frac{mn}{2} \int_{u}^{\pi} \left\{ \frac{X + D \cos u}{\sqrt{X^2 + D^2 + 2DX \cos u}} - \cos u \right\} \sin u \, du.$$

nun

$$\frac{mn}{2}\int_{0}^{\pi}\cos u\sin u\,du=\frac{mn}{2}\left(\sin^{2}\pi-\sin^{2}\theta\right)=0,$$

so wird

$$M_0 = \frac{mn}{2} \int_0^{\pi} \frac{X + D \cos w}{\sqrt{X^2 + D^2 + 2 D X \cos w}} \sin w dw.$$

Diese Summe ist, wie sich bei einer Durchführung der Integ und unter Beachtung, dass wegen

$$\sin \varphi = \frac{X \sin \omega}{\sqrt{X^2 + D^2 + 2DX \cos \omega}}$$

weil sin φ nur positiv sein kann, der Nenner

$$\sqrt{X^2+D^2+2DX\cos u}$$

stets positiv sein muss, da sin u stets positiv ist für alle Werte zwischen O und π , ergiebt¹)

$$M_0 = \frac{2}{8} nm \frac{X}{D}, \text{ wenn } D > X$$

$$M_0 = nm \left\{ 1 - \frac{1}{8} \frac{D^2}{X^2} \right\}, \text{ wenn } D < X.$$

Es ergiebt sich somit, dass die Abhängigkeit des magnetischen Modes betrachteten körperlichen Elementes von der magnetisierenden je nach dem Verhältnis derselben zu der molekularen Direktionskrat ganz verschiedene ist; so lange die magnetisierende Kraft kleiner die molekulare Direktionskraft, muss darnach das magnetische Mes körperlichen Elementes der magnetisierenden Kraft proportions wird dagegen die magnetisierende Kraft größer als die molekulare tionskraft, so wächst das magnetische Moment langsamer und nähe dem Werte

$$M_0 = mn$$

wenn $X = \infty$ wird. In dem Falle sind alle Molekularmagnete des ilichen Elementes der Richtung der magnetisierenden Kraft parallel ger

Aus dem magnetischen Momente des körperlichen Elementes man das temporäre Moment des ganzen Stabes unter der Vorausse daß an allen Stellen desselben die gleiche magnetisierende Kraft ist, indem man jetzt die Summe der Werte M_0 für alle Elemen Stabes bildet. Wie man sieht, hängt deshalb das Moment des Stabseiner Größe, Dichtigkeit und Gestalt ab.

Für einen Stab, dessen Querschnitt gegen die Länge sehr kle so daß man ihn als ein Rotationsellipsoid betrachten kann, dessen $\tilde{\lambda}$ rialdurchmesser gegen die Rotationsaxe verschwindend klein ist, e sich, wie im nächsten Paragraphen hervortreten wird, wenn X > l

$$M = Cg\left(1 - \frac{1}{3}\frac{D^2}{\bar{X}^2}\right),$$

wenn g das Gewicht des Stabes und C sowie D, die Direktionskra Moleküle, zwei von der Natur des Stabes abhängige Konstanten sim Konstante C bedeutet das in der Gewichtseinheit des Stabes, unter V

¹⁾ Rober, Poggend. Ann. Bd. CXXXIII.

der dem Stabe gleichen Form zu erreichende Maximum des magn Momentes.

lange die magnetisierende Kraft X kleiner als D, wird der Welt aentes in diesem Falle

$$M = \frac{1}{3} Cg \frac{X}{D}.$$

dem ersten aus der Theorie von Weber abgeleiteten Ausdrucke, große magnetisierende Kräfte gilt, stimmen die Resultate einer Weber angestellten Versuchsreihe recht gut überein. Weber umen Eisenstab von 3,6 mm Durchmesser und 100,2 mm Länge mit gen Spirale, welche bedeutend länger war als der Stab, so dass denselben wirkende magnetisierende Kraft der ganzen Länge des iach als gleich angenommen werden kann; das magnetische Mo-3 Stabes wurde, wie von Müller, durch die Ablenkung eines Magnegemessen. Um die Ablenkung des Magnetometers durch die Spirale eliminieren, wurde das Ende des Spiraldrahtes zweimal in umr Richtung um die Mitte der Spirale in weiten Kreisen herumgewundass der von diesen Windungen begrenzte Flächenraum dem von ndungen der engeren Spirale begrenzten gleich war. Dadurch wird 127 die Wirkung der Spirale auf das Magnetometer aufgehoben. Stromstärke wurde mit einer Tangentenbussole nach absolutem messen; die magnetisierende Kraft daraus berechnet ist in folgenelle unter der Kolumne X verzeichnet.

beobachtete, ebenfalls in absolutem magnetischen Maße ausgemagnetische Moment wurde durch das in Milligrammen ausge-Gewicht des Stabes dividiert, und so das Moment eines dem unteran Gestalt gleichen Stabes, dessen Gewicht der Einheit gleich mmt. Die folgende Tabelle enthält dieses Moment unter $\frac{M}{g}$ beob.

dritte Kolumne enthält das nach der Weberschen Formel von unn¹) berechnete Moment.

X	$\frac{M}{g}$		
	beobachtet	berechnet	
658,9	911,1	911,1	
1381,5	1424,0	1595,0	
1792,0	1547,9	1686,9	C = 1808
2151,0	1627,3	1721	D = 803.8
2432,8	1680,7	1744	•
2757,0	1722,7	1757	
3090,6	1767,3	1767,3	•
3186,6	1787,7	1769	
2645,6	1707,9	1742,4	
2232,1	1654,0	1730	
1918,7	1584,1	1702,2	
1551,2	1488,9	1646	
1133,1	1327,9	1404,4	
670,3	952,0	942,6.	

Wiedemann, Galvanismus 2. Aufl. II. Bd. 1. Abtlg. 8. 851.

Die Konstanten C und D wurden aus dem ersten und letzten suche der ersten Reihe, bei aufsteigenden Stromstärken berechnet.

Die bei absteigenden Stromstärken beobachteten Werte von Mz daß das Eisen keine merkliche Koercitivkraft besaß, daß also von das langsamere Wachsen des magnetischen Momentes nicht herrühr

Für das Maximum des magnetischen Momentes, welches der Gew einheit Eisen erteilt werden kann, ergiebt sich hiernach

$$C = 1808$$
,

ein Wert, der etwas kleiner ist als der von Waltenhofen abgeleit Den aus der Weberschen Theorie sich ergebenden Gang der netischen Momente, wonach dieselben sich bis zu dem Momente M =durch eine gerade Linie, dann weiter durch eine Kurve darstellen I welche sich asymptotisch dem Werte M = Cg nähert, hat Dub²) in Reihe von Versuchen zu prüfen unternommen. Bei dicken Stäben etwa 2cm Durchmesser an, fand er den Magnetismus, soweit er bei : Versuchen ging, der Stromstärke proportional, bei geringeren Durchme dagegen ergaben sich die magnetischen Momente bis zu einer gew Stromstärke derselben proportional, dann aber langsamer wachsen diese. In der That stimmen die Beobachtungen mit den Gleicht ziemlich gut überein, wie unter anderen folgende Reihe zeigt. di einem Stabe von 21 cm Länge und 1,3 cm Dicke gefunden wurde. Stromstärken X sind durch die mit 10000 multiplizierten Tangenter Ablenkungswinkel einer Tangentenbussole, und ebenso die magnetis Momente durch die mit derselben Zahl multiplizierten Tangenten Winkel gegeben, um welche eine 78cm von der Mitte des Stabes fernt aufgehängte Nadel abgelenkt wnrde.

X	- 3	M	
	beob.	ber.	
522	1161	1224)	
875	2011	2045	
1228	2867	2870	2 11 11 11
1583	3788	0(00)	$\frac{M}{V} = 2,337$
1944	4610	4543	X - 2,001
2309	5514	5396	Cg = 9732
2679	6340	6161	D = 2776
2776	1000	6488	
3057	7099	7057	+
3640	7794	7848	
4245	8391	8344	
4663	8616	8584	

Die Konstante Cg wurde aus den letzten 4 Werten und dam Konstante D aus der Gleichung

Eine genauere Berechnung dieser Versuche, welche das Webersche chen nicht als ein unendlich gestrecktes Ellipsoid betrachtet, liefert inder einen mit dem Waltenhofenschen n\u00e4her \u00fcbereinstimmenden Wert, etwa
 Dub, Poggend. Ann. Bd. CXXXIII.

$$\frac{M}{X} = \frac{2}{3} \frac{Cg}{D}$$

t. Wie man sieht, stimmen die mit diesen Konstanten berechnete von M mit den beobachteten ziemlich gut überein.

· Verlauf der beobachteten Werte, so lange sie nach der Gleichung netisierenden Kraft proportional sein sollten, läßt indes erkennen, doch nicht in aller Strenge der Fall ist, er zeigt vielmehr, daß netischen Momente etwas rascher wachsen als die magnetisierende

f diesen Verlauf der magnetischen Momente hat zuerst Wiedemann sam gemacht¹) bei der Untersuchung des magnetischen Verhaltens izahl von Stäben verschiedener Länge und verschiedenen Quer-

Es zeigte sich bei denselben stets, daß die magnetischen Moit steigender magnetisierender Kraft anfangs rascher wachsen als die ierende Kraft, dass sie dann aber, ohne eine Zeitlang der magneti-1 Kraft proportional zu sein, entsprechend dem Weberschen Geigsamer wachsen. Diesen Gang läfst unter anderen folgende Verie erkennen, in welcher die Stromstärken J durch eine Wiedee Tangentenbussole, und die magnetischen Momente M nach der von Müller beobachtet wurden. Die Länge des Stabes war die Dicke 10,3 mm.

M	$\frac{M}{J}$	J	M	$\frac{M}{J}$
11,63	2,500	48,03	173,1	3,602
23,42	2,982	56,04	193,2	3,446
52,82	3,639	61,31	207,6	3,310
73,24	3,758	74,91	230,9	3,072
99,82	3,807	83,10	244,0	2,935
115,8	3,845	87,78	249,7	2,844
158,4	3,798	107,3	273,9	2,553.

dickern Stäben dauert das raschere Ansteigen des Magnetismus länger als bei dünnern Stäben, es dauert dort noch bei magnden Kräften fort, bei welchen für dünnere Stäbe der Wendepunkt berschritten ist. Es ergiebt sich das außer aus den Versuchen edemann aus den vorhin zum Teil angeführten Versuchen von Je dünner die zu den Versuchen benutzten Stäbe l von je geringeren magnetisierenden Kräften man ausgeht, um icher tritt dieser Gang der magnetischen Momente hervor, wie deren folgende drei Versuchsreihen, welche von Quintus Icilius3) n, sehr schön erkennen lassen. Die untersuchten Stäbe waren sellipsoide, bei Nr. 1 war die Rotationsaxe 199, der Aquatorialsser 1,97 mm, bei Nr. 2 erstere 200 mm, letztere 20,41 mm und

Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. CXVII. Auch Galvanismus Bd. II, 1.

non Waltenhofen, Sitzungsberichte der Wiener Akademie Band LII

m Quintus Icilius, Poggend. Ann. Bd. UXXI.

bei Nr. 3 erstere 51 mm, letzterer 19,84 mm lang. Die Kolumne Teibt die Quotienten des magnetischen Momentes der Volumeinheit, dasselbe ausgedrückt in absoluten Einheiten, und der magnetisierenden Kraft. Die Stäbchen wurden nach und nach in die Mitte derselben Spirale gebracht.

N	r. 1	Nr.	2	Nr	. 3
X	$\frac{m}{X}$	X	$\frac{m}{X}$	X	$\frac{m}{X}$
2,7	27,1	2,7	3,88	28,1	0,564
6,3	33,7	6,2	4,01	68,5	0,566
16,6	52,4	18,6	4,17	135,5	0,593
38,6	70,8	37,8	4,23	230,1	0,595
63,2	* 73,4	68,4	4,35	285,4	0,595
74,7	73,5	74,5	4,36	377,0	0,577
94,5	70,8	95,5	4,34	418,1	0,626
235,0	47,2	188,0	4,46	767,9	0,604
364,0	32,8	260,6	4,52	983,3	0,615
	-	361,5	4,47	1170,5	0,629.

Wie man sieht, zeigt das dünnste Ellipsoid diesen Gang in hotel auffallender Weise, während die beiden dickern innerhalb dieser Versucht grenzen ein der Stromstärke nahezu proportionales magnetisches Moment zeigen.

Zu ganz ähnlichen Resultaten in Bezug auf den Gang der magnetischen Momente gelangten später Oberbeck1) und Stoletow2), Rowland Riecke4), Fromme5), Bauer6), H. Meyer7) u. a., auf deren Arbeiten wir noch an einer anderen Stelle eingehen werden; wir werden dann auch andeuten können, dass die annähernde Proportionalität zwischen m und I bei den Stäben Nr. 2 und Nr. 3 in ihrer Form begründet ist.

Der aus den vorgeführten Versuchen für kleinere Werte von X sich ergebende eigentümliche Verlauf der magnetischen Momente läßt sich mit der Weberschen Theorie der drehbaren Molekularmagnete nur durch die Annahme vereinigen, dass die molekulare Direktionskraft nicht von der Lage der Moleküle unabhängig ist, dass dieselbe vielmehr kleiner win wenn die Moleküle aus ihrer natürlichen Gleichgewichtslage herausgebracht Dass eine derartige Veränderlichkeit von D möglich ist, ergell sich nach Wiedemann⁸) aus der schon im ersten Abschnitte erwähnte Thatsache, dass Erschütterungen das temporare Moment auch eines weiches Eisenstabes, der sich unter dem Einflusse einer konstanten magnetisiere den Kraft befindet, wesentlich vermehren, so daß die Moleküle durch eine Art Reibung der Ruhe in der Bewegung gehindert werden, welche ihnen durch die magnetisierende Kraft erteilt werden würde, und se

Oberbeck, Poggend. Ann. Bd. CXXXV.
 Stoletow, Poggend. Ann. Bd. CXLVI.
 Rowland, Philosophical Magazin 4 series vol. XLVI.
 Riecke, Poggend. Ann. Bd. CXLIX; Wiedem. Ann. Bd. XIII.
 Fromme, Poggend. Ann. Ergänzungsbd. VII. Poggend. Ann. Bd. XI.
 Bauer, Wiedem. Ann. Bd. XI.
 H. Messer, Wiedem. Ann. Bd. XVIII.

⁷⁾ H. Meyer, Wiedem. Ann. Bd. XVIII. 8) Wiedemann, Galvanismus. Bd. II, 1. §. 328. 2. Aust.

Überwindung dieser Reibung durch mechanische Erschütterungen e magnetische Gleichgewichtslage annehmen. Es ist nun durcht unmöglich, dass dieser eigentümliche Bewegungswiderstand abe weiter sich die Moleküle aus der Gleichgewichtslage entsernenzu kann noch ein zweiter Umstand kommen, indem die bereitsch gerichteten Moleküle selbst auf einander und die Nachbarmoledem Sinne einwirken, dass sie der parallelen Lage näher gebracht als es allein durch die äußere magnetisierende Kraft geschieht. So dem Körper überhaupt nur wenige Moleküle gerichtet sind, so so etwa nach der Weberschen Gleichung die Momente den magnem Kräften proportional sein würden, muß dann infolge dieses es das magnetische Moment ebenfalls rascher wachsen als die nagnetisierende Kraft¹).

§. 131.

hängigkeit des magnetischen Momentes von der BeschaffenStäbe. Wir sahen in dem ersten Abschnitte dieses Teiles, daß
netismus, welchen ein Stab unter dem Einfluse magnetisierender
rhält, wesentlich abhängt von der Beschaffenheit des Stabes, seiner
en oder physikalischen Natur, seiner Form und Größe. Wir konnten
iese Abhängigkeit nur sehr im allgemeinen charakterisieren, da wir
stande waren die magnetisierenden Kräfte exakt zu messen; in dem
Paragraphen haben wir nun in Spiralen, welche von galvanischen
durchflossen werden, magnetisierende Kräfte erhalten, deren Größe
zu bestimmen können; wir sind daher jetzt imstande, die damals
n allgemeinen Resultate zu vervollständigen.

s zunächst die Stärke des Magnetismus in verschiedenen Eisenilsorten betrifft, so haben wir bereits §. 12 gesehen, daß diese her magnetisierender Kraft sehr verschieden sein kann.

gilt das nach den Versuchen Müllers²) sowohl von dem temporären ichen Momente als auch von dem permanenten, und dabei zeigt sich neinen, daß, je größer das temporäre Moment ist, je vollständiger Magnetisierung durch eine gegebene magnetisierende Kraft ist, um ir das permanente Moment ist. Müller legte in eine Spirale, durch in Strom von drei doppelten Bunsenschen Elementen hindurch ging, in 16,7 cm Länge und 6 mm Dicke, und fand nach der vorhin beiten Methode

	das temporare Moment	Bleibende Ablenkung des Magnetometers nach Unter- brechung des Stromes
Schmiedeeisen	0,490	00
gewalztes Eisen	0,474	00
geglühter Stahl	0,404	3,5°
angelassener Stahl	0,393	70
harter Stahl	0,259	90
Gufseisen	0,220	10.

Man sehe über diesen Punkt auch Stefan, Berichte der Wiener Akal. LXIX.

948

Mit Ausnahme des Gusseisens also zeigt Behauptung bestätigt, das je größer das temp kleiner der bleibende Magnetismus ist; es folgt Wesen der Koercitivkraft, denn mit der Größe manente Magnetismus eines Stabes, zugleich aber die Molekularmagnete in ihrer Gleichgewichtsla derselben muß also die zur Erzielung eines best liche Kraft zunehmen. Damit ist auch die ausabgeleitete Formel in Übereinstimmung, denn die die Direktionskraft der Moleküle, ist eigentlic Koercitivkraft. Je größer aber D ist, um so l X der Wert des temporären Momentes M.

Diese Abhängigkeit des temporären Momente und Stahlstäbe erschwert die Untersuchung ül Momentes von der Form und Größe der Stäbe, gleichung zweier Stäbe sicher sein kann, daß die

der verglichenen Stäbe dieselbe ist.

Die Frage nach der Abhängigkeit des tem Form und Größe der Stäbe bei gleicher magnetisi gestellt werden, nämlich es kann entweder auf j Stabes dieselbe magnetisierende Kraft wirken, magnetisierende Kraft dieselbe sein, wobei dan verschiedenen Stäbe sehr verschiedenen Kräften Ein Beispiel wird das klar machen. Umwickelt Durchmessers, aber verschiedener Länge, mit Spir Längen aber gleich den Längen der Stäbe sir Spiralen Ströme gleicher Intensität fließen, so w beider Stäbe die gleiche magnetisierende Kraft. Stäbe wirkenden magnetisierenden Kräfte verhalte der Spiralen. Legt man aber Stäbe verschieden selbe Spirale, oder besser noch, umwindet man Länge mit einer gleichen Anzahl von Windun Stabe wirkende gesamte magnetisierende Kraft Längeneinheit wirkende Kraft verhält sich umge Stäbe.

Gleiches gilt, da die magnetisierende Kraft v gen nicht ganz unabhängig ist, bei Anwendung Durchmesser.

Um nun bei diesen Untersuchungen allge Resultate zu erhalten, würde es notwendig sein, würden, daß bei den einzelnen Versuchen auf nutzten Stäbe gleiche magnetisierende Kräfte wirk keit des Momentes von der magnetisierenden Kraidie beiden aufgestellten Fragen beantworten könsich schon aus dem vorigen Paragraphen ergiebt, Magnetisierungsspiralen anwenden würde, welche wären als die untersuchten Stäbe, und deren Duraller zu vergleichenden Stäbe sehr bedeutend ist nis zwischen dem Durchmesser der Stäbe und de

zu gleich ansehen könnte. Dabei müßten aber immer die Durchmesser der Spiralen gegen die Längen nur sehr klein sein¹). Annähernd allgemein gültige Resultate würde man auch erhalten können, wenn man, immer unter Beachtung der obigen Regeln, stets die Verhältnisse zwischen den Dimensionen der Spiralen und der untersuchten Stäbe gleich wählte, da die auf die einzelnen Teile der Stäbe wirkenden Kräfte dann zwar nicht gleich, aber doch für die ähnlich liegenden Teile der Stäbe in einem konstanten Verhältnisse ständen.

Allgemein gültige Gesetze über die Abhängigkeit des magnetischen Momentes von der Gestalt und Größe der zu magnetisierenden Eisenkörper lassen sich selbst unter der Voraussetzung einer in allen Punkten des zu magnetisierenden Körpers ganz gleichen äußern magnetisierenden Kraft nur ur solche Körper erhalten, welche eine ganz bestimmte geometrische Gestalt haben, wie sich das unmittelbar aus der von Poisson entwickelten Cheorie des Magnetismus ergiebt²). Eine ausführliche Besprechung dieser Cheorie ist uns nicht möglich, wir können hier nur kurz den Gedanken-

zang darlegen, welcher dieser Theorie zu Grunde liegt.

Poisson geht dabei von der älteren Ansicht aus, daß der Akt des Lagnetisierens in einer Scheidung der magnetischen Flüssigkeiten besteht, deren jedes Molekül des Eisens in unerschöpflicher Menge besitzt. Diese eiden Flüssigkeiten können durch magnetisierende Kräfte in dem Molekül etrennt werden, können aber das Molekül selbst nicht verlassen. Außerdem setzt die Entwicklung von Poisson voraus, daß die beiden Magnetisien nur durch die magnetisierenden Kräfte von einander getrennt erhalten erden, daß sie nach aufhörender Wirkung der Kräfte sofort wieder zummenfließen, er nimmt also den zu magnetiesierenden Körper als ohne egliche Koercitivkraft an. Die Entwicklungen gelten also nur für weiches isen.

Denken wir uns ein Element eines Eisenstabes, dessen Volumen Eleich v sei, und wirke auf dasselbe nach irgend einer Richtung eine magnesierende Kraft ein, welche innerhalb des ganzen Elementes konstant und Leich P sei: es sei also etwa die magnetisierende Kraft der Erdmagnetisuus; so ist das durch diese Kraft in dem Elemente parallell der Richtung Ler Kraft erzeugte magnetische Moment

kvP.

vorin k eine nur von der Natur des Eisens abhängige Größe ist, welche oisson konstant setzt, so daß er also das erregte Moment der magnetiierenden Kraft einfach proportional setzt. Daraus folgt dann sofort, daß as Moment des Elementes parallel einer Richtung, welche mit der der nagnetisierenden Kraft einen Winkel & bildet, gegeben ist durch

kvPcos 9.

Die Grundlage der Rechnungen, welche den magnetischen Zustand ines Körpers, welcher der Einwirkung irgendwelcher magnetisierenden

2) Poisson, Mémoires de l'Acad. des sciences de l'Institut de France T. V nd T. VI Années 1821, 1822, 1823.

Man sehe W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere ber Diamagnetismus S. 546 ff.

Kräfte unterliegt, bestimmen, erhalten wir nun durch folgende Übelegungen. Das magnetische Moment eines Körpers erhalten wir, wen
wir das Moment seiner einzelnen Elemente als Funktion deren Lage in
Innern des Körpers kennen; wir haben dann nur die Summe aller Momente
für den ganzen Körper zu bilden. Es handelt sich also um die Bestimmung
des Momentes irgend eines Elementes.

Man betrachtet dazu die Einwirkung der scheidenden Kräfte auf eine Punkt im Innern eines Elementes; wir können derselben drei unterscheiden Zuerst nämlich die äußern magnetisierenden Kräfte, welche auf den Könse einwirken. Bezeichnen wir die Potentialfunktion der äußern Kräfte in Punkte, den wir betrachten, mit V, so ist nach der Potentialtheorie is Kraft, welche die in dem betrachteten Punkte vorhanden gedachte Enheit der magnetischen Flüssigkeiten parallel den drei Koordinatenam unverschieben sucht.

 $\mp \frac{\partial V}{\partial x} \mp \frac{\partial V}{\partial y} \mp \frac{\partial V}{\partial z}$

worin das obere Vorzeichen für den Magnetismus der einen, also ein den Nordmagnetismus, der untere für den der andern Art gilt.

Durch die wirksamen äußern Kräfte werden alle Elemente des Kepers in den polaren Zustand versetzt, dadurch wirken diese nun als ebenfalls auf die in dem betrachteten Punkte vorhandenen Magnetismen aund suchen dieselben in irgend einer Art von einander zu trennen. Diese Einwirkung tritt als zweite zu der eben betrachteten hinzu. Nennen wir die Potentialfunktion der Magnetismen derjenigen Elemente, welche in entlicher Entfernung von dem betrachteten Elemente sich befinden, in dem betrachteten Punkt U, so erhalten wir die in dem betrachteten Punkt wirksamen Kräfte gerade wie eben nach der Richtung der drei Koordinaten axen in den drei Differentialquotienten

$$\mp \frac{\partial U}{\partial x} \mp \frac{\partial U}{\partial y} \mp \frac{\partial U}{\partial z}$$
.

Außerdem wirken aber drittens die Magnetismen derjenigen Elemente welche sich in molekularen Entfernungen von dem betrachteten Elemente befinden, und die in dem Elemente selbst bereits geschiedenen Magnetismet auf den betrachteten Punkt ein. Nun weist Poisson nach, daß die in molekularen Entfernungen sich befindenden Elemente in ihren Wirkungen sich aufheben i); es bleiben also nur die Wirkungen der in dem Elemente sollt geschiedenen Magnetismen überig. Diese suchen die dort vorhanden Magnetismen zu scheiden, indem der freie Nordmagnetismus den in der Punkte vorhandenen Südmagnetismus anzieht, den Nordmagnetismus stöfst. Nennen wir die magnetischen Momente des Elementes, desen Volumen gleich i sei

parallel
$$x \dots \alpha i$$
 $y \dots \beta i$
 $z \dots \gamma i$

Einwendungen gegen die zu diesem Resultate führenden Betrachtungen man Feilitzsch: Galvanische Fernewirkungen. Karstens Encyklopäde UX S. 680 ff.

so wird die hierdurch auf die in dem betrachteten Punkte gedachte Einheit des Magnetismus ausgeübte Wirkung gleich dem Produkte aus den erwähnten Momenten und diesem gedachten Magnetismus, also

$$\mp \alpha i \mp \beta i \mp \gamma i$$
.

Dies sind die auf den Magnetismus des betrachteten Punktes wirkenden scheidenden Kräfte; soll nun ein konstanter magnetischer Zustand des Körpers erreicht sein, so müssen in allen Punkten des Körpers diese Kräfte sich aufheben, wir erhalten also als Gleichgewichtsbedingung folgende drei Gleichungen:

$$\frac{\partial V}{\partial x} + \frac{\partial U}{\partial x} + \alpha i = 0$$

$$\frac{\partial V}{\partial y} + \frac{\partial U}{\partial y} + \beta i = 0$$

$$\frac{\partial V}{\partial z} + \frac{\partial U}{\partial z} + \gamma i = 0.$$

Wir können ebenfalls die letzten Glieder dieser Gleichungen als sine Funktion der Koordinaten darstellen. Bezeichnet φ die Potentialunktion einer magnetisierenden Kraft, welche dem Elemente i, mit den Koordinaten x, y, z, dasselbe isoliert gedacht, das Moment αi parallel x, βi parallel y, γi parallel z erteilen würde, so können wir schreiben

$$\alpha i = ki \frac{\partial \varphi}{\partial x}; \quad \beta i = ki \frac{\partial \varphi}{\partial y}; \quad \gamma i = ki \frac{\partial \varphi}{\partial z},$$

worin k die schon vorher eingeführte Konstante ist; denn die Differentialuotienten bedeuten die parallel den betreffenden Richtungen wirkenden Kräfte, von denen wir annehmen dürfen, daß sie in dem unendlich kleinen Raume i überall den gleichen Wert haben.

Dass es eine solche Funktion φ unter den hier vorausgesetzten Umständen geben muß, folgt schon aus den vorhergehenden Gleichungen, mach denen z. B.

$$\alpha i = -\left(\frac{\partial V}{\partial x} + \frac{\partial U}{\partial x}\right) = -\frac{\partial (V + U)}{\partial x}.$$

Hiernach sind die drei Bedingungsgleichungen auf eine einzige zurückzuführen, dass nämlich für alle Punkte im Innern des betrachteten Körpers

$$V + U + ki \cdot \varphi = \text{const.},$$

das also die Summe der drei Potentialfunktionen im Innern gleich einer Konstanten sein muss, denn nach der Theorie der Potentiale wissen wir, das in einem Raum, in welchem die betreffende Potentialfunktion einen konstanten Wert hat, die Kräfte gleich null sind.

Es bedarf hiernach nur der Bestimmung der Funktion φ , um das magnetische Moment des Körpers nach irgend einer Richtung zu bestimmen. Denn ist φ bekannt, so giebt z. B.

das Moment eines Elementes mit den Koordinaten x, y, s parallel in x-Axe; schreiben wir

$$i = dx dy dz$$

so erhalten wir das Moment des ganzen Körpers parallel der z-Au z der über den ganzen körperlichen Raum ausgedehnten Summe

$$M_x = \int k \, \frac{\partial \, \varphi}{\partial \, x} \, dx \, dy \, dz.$$

Zur Bestimmung der Funktion φ aus obiger Gleichung kommen noch da V, U, φ Potentiale von Massen auf außerhalb desselben liegende Punit sind, die aus der Theorie des Potentials folgenden Gleichungen him

$$\frac{\partial^{2} V}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2} V}{\partial y^{2}} + \frac{\partial^{2} V}{\partial z^{2}} = 0$$

$$\frac{\partial^{2} U}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2} U}{\partial y^{2}} + \frac{\partial^{2} V}{\partial z^{2}} = 0$$

$$\frac{\partial^{2} \varphi}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2} \varphi}{\partial y^{2}} + \frac{\partial^{3} \varphi}{\partial z^{2}} = 0.$$

Auch ohne auf die mathematische Behandlung der einzelnen Funktione näher einzugehen, läßt sich schon aus den im Vorigen gegebenen A deutungen erkennen, dass \varphi und damit das magnetische Moment de magnetisierten Körpers wesentlich von der Gestalt desselben abhängig ist

Eine Durchführung der Rechnung zur Bestimmung der Funktion ist bisher nur für wenige Körper gelungen; Poisson selbst hat dieselbe für die Kugel1), Neumann für das Rotationsellipsoid2), Kirchhoff für eines unbegrenzten Cylinder und für einen Ring3) gegeben4).

Für das Rotationsellipsoid kommt Neumann für o zu der Gleichung

$$\frac{\partial \varphi}{\partial x} = -\frac{1}{1 + kA_0} \frac{\partial V}{\partial x}; \quad \frac{\partial \varphi}{\partial y} = -\frac{1}{1 + kB_0} \frac{\partial V}{\partial y}; \quad \frac{\partial \varphi}{\partial z} = -\frac{1}{1 + kC_0} \frac{\partial V}{\partial z}.$$

worin Ao, Bo, Co durch die Dimensionen des Ellipsoides bestimmte Kon stanten sind.

Für das der Axe der x parallele Moment erhalten wir dann

$$M_z = -\frac{k}{1 + kA_0} \int \frac{\partial V}{\partial x} dx dy dz.$$

Wir wollen annehmen, die Axe der x sei die Rotationsaxe des Ellipsoides, und parallel derselben wirke auf das Ellipsoid eine magnetisierende Kraft, welche in der ganzen Ausdehnung des Ellipsoides konstant sei. Bezeichnen wir diese konstante magnetisierende Kraft mit X, so is

$$-\frac{\partial V}{\partial x} = X$$

Poisson, Mémoires de l'Acad. des sciences T. V.

Neumann, Crelles Journal Bd. XXXVII.
 Kirchhoff, Crelles Journal Bd. XLVIII. Poggend Ann Ergining

⁴⁾ Man sebe auch die Berechnung von Riecke, Wiedem, Arm PA VIII.

die hierdurch auf die in dem betrachteten Punkte gedachte Ein-Magnetismus ausgeübte Wirkung gleich dem Produkte aus den n Momenten und diesem gedachten Magnetismus, also

$$\mp \alpha i \mp \beta i \mp \gamma i$$
.

s sind die auf den Magnetismus des betrachteten Punktes wircheidenden Kräfte; soll nun ein konstanter magnetischer Zustand ers erreicht sein, so müssen in allen Punkten des Körpers diese ich aufheben, wir erhalten also als Gleichgewichtsbedingung folrei Gleichungen:

$$\frac{\partial V}{\partial x} + \frac{\partial U}{\partial x} + \alpha i = 0$$

$$\frac{\partial V}{\partial y} + \frac{\partial U}{\partial y} + \beta i = 0$$

$$\frac{\partial V}{\partial z} + \frac{\partial U}{\partial z} + \gamma i = 0.$$

können ebenfalls die letzten Glieder dieser Gleichungen als iktion der Koordinaten darstellen. Bezeichnet φ die Potentialeiner magnetisierenden Kraft, welche dem Elemente i, mit den ten x, y, z, dasselbe isoliert gedacht, das Moment αi parallel x, el y, γi parallel z erteilen würde, so können wir schreiben

$$\alpha i = ki \frac{\partial \varphi}{\partial x}; \quad \beta i = ki \frac{\partial \varphi}{\partial y}; \quad \gamma i = ki \frac{\partial \varphi}{\partial z},$$

die schon vorher eingeführte Konstante ist; denn die Differentialn bedeuten die parallel den betreffenden Richtungen wirkenden on denen wir annehmen dürfen, dass sie in dem unendlich kleinen überall den gleichen Wert haben.

s es eine solche Funktion φ unter den hier vorausgesetzten Umgeben muß, folgt schon aus den vorhergehenden Gleichungen, en z. B.

$$\alpha i = -\left(\frac{\partial V}{\partial x} + \frac{\partial U}{\partial x}\right) = -\frac{\partial (V + U)}{\partial x}.$$

nach sind die drei Bedingungsgleichungen auf eine einzige zuiren, dass nümlich für alle Punkte im Innern des betrachteten

$$V + U + ki \cdot \varphi = \text{const.}$$

die Summe der drei Potentialfunktionen im Innern gleich einer en sein muß, denn nach der Theorie der Potentiale wissen wir, inem Raum, in welchem die betreffende Potentialfunktion einen n Wert hat, die Kräfte gleich null sind.

bedarf hiernach nur der Bestimmung der Funktion φ , um das he Moment des Körpers nach irgend einer Richtung zu bestimnn ist φ bekannt, so giebt z. B.

$$ki \frac{\partial \varphi}{\partial x}$$

und dem Quadrate ihres Durchmessers. Auch für die Kugel ergiebt an diese Proportionalität des Momentes mit dem Volumen, während bei der Ellipsoiden diese Proportionalität nicht mehr besteht, wed auch der Neuer des Ausdruckes für Mz die von den Dimensionen des Ellipsoides abhänge Größe Ao enthält.

Die Poissonsche Theorie setzt den Magnetismus stets der magnetismus sierenden Kraft proportional, indem sie den Faktor k, mit dem mas de auf die Volumeinheit, dieselbe isoliert gedacht, wirkende magnetisierenb Kraft zu multiplizieren hat, um das magnetische Moment derselben n erhalten, konstant setzt. Man bezeichnete deshalb diesen Faktor als 🛎 Magnetisierungskonstante. Nach der obigen Gleichung für ein unendlich gestrecktes Ellipsoid könnte man dieselbe auch als das Moment ens solchen Ellipsoides definieren, dessen Volumen der Einheit gleich ist, wen auf dasselbe die magnetisierende Kraft Eins einwirkt.

Nach den im vorigen Paragraphen besprochenen Versuchen wicht aber für kleinere Werte von X der Magnetismus rascher, für größen wächst er langsamer als die magnetisierende Kraft. Es folgt daraus, daß k nicht konstant, sondern eine Funktion der magnetisierenden Kraft st daß k also nicht als Magnetisierungskonstante, sondern als Magnetise rungsfunktion bezeichnet werden muß.

Infolge dieser Variabilität von k sind die Poissonschen Gleichungs im allgemeinen nicht mehr richtig, für den Fall des Ellipsoides und eine auf alle Punkte des Ellipsoides gleichmäßig wirkenden Kraft weist abst Kirchhoff1) nach, dass die obigen Gleichungen noch gültig sind, nur das in ihnen k nicht mehr als konstant, sondern als eine Funktion der magte tisierenden Kraft aufzufassen ist.

Infolgedessen kann man die Beobachtungen an Ellipsoiden benutzen, um den Gang der Magnetisierungsfunktion kennen zu lernen, indem man aus den beobachteten Werten von Mz aus der Gleichung

$$M_x = \frac{kvX}{1 + kA_a}$$

den Wert von k für die verschiedenen magnetisierenden Kräfte X ab leitet. In dieser Weise hat Kirchhoff²) die Beobachtungen von Weber, Stoletow3), seine eignen und jene von Quintus Icilius, welche im vongen Paragraphen erwähnt wurden, berechnet, und ebenso haben Oberbeck und Riecke⁵) den Wert von k aus ihren Beobachtungen abgeleitet, Obr beck indem er wie Quintus Icilius die Momente verschiedener Ellipsoite maß, welche in einer Magnetisierungsspirale durch im Innern der Ellip soide überall gleiche Kräfte magnetisiert wurden, und Riecke, indem a Ellipsoide verschiedener Form durch die horizontale oder vertikale Kom ponente des Erdmagnetismus magnetisierte. Ferner haben Rowland, Fromme,

Kirchhoff, Crelles Journal Bd. XLVIII.
 Kirchhoff, Crelles Journal Bd. XLVIII.
 Stoletow, Poggend. Ann. Bd. CXLVI. Ähnlich wie Stoletow auch Res land, Phil. Mag. 4 ser. vol. XLVI.

4) Oberbeck, Poggend, Ann. Bd. CXXXV.

5) Riecke, Poggend. Ann. Bd. CXLIX. Wiedem. Ann. Bd. XIII.

Bauer, H. Meyer u. a. ihre schon S. 946 erwähnten Beobachtungen zur Bestimmung der Magnetisierungsfunktion benutzt.

Für das von Quintus Icilius benutzte Ellipsoid No. 1 ergiebt sich z. B.

$$A_0 = 0,00529.$$

Damit ergeben sich¹) aus den von Quintus Icilius beobachteten Werten von

	m:	$=\frac{M_x}{}$	
X	$\frac{m}{X}$	k	$\frac{X}{1+kA_0}$
2,7	27,1	31,6	2,31
6,3	33,7	41,0	5,17
16,6	52,4	72,5	12,00
31,2	67,0	103,8	20,16
38,6	70,8	113,2	24,14
54,0	72,9	118,6	33,10
55,2	72,9	118,6	33,91
63,2	73,4	120,2	38,6
74,7	73,5	120,4	45,6
84,7	73,0	119,1	51,9
87,7	69,8	110,9	53,3
94,5	70,8	113,0	59,2
144,7	60,7	89,3	98,4
235,0	47,2	62,9	176,2
364,0	32,8	39,7	300,7.

Die letzte Kolumne giebt nach der vorhin angegebenen Bedeutung von φ und nach der Gleichung

$$\frac{\partial \varphi}{\partial x} = -\frac{1}{1 + kA_0} \frac{\partial V}{\partial x} = \frac{1}{1 + kA_0} X$$

die der äußern magnetisierenden Kraft X entsprechende magnetisierende Kraft im Innern des Ellipsoides.

Man erkennt in der vorigen Tabelle, daß der Gang der Magnetisierungsfunktion zunächst ein ansteigender ist, daß dann der Wert abnimmt, und zwar geht er nach der Berechnung der Weberschen Versuche von Kirchhoff bis auf 5,7 herab. Im Folgenden sind die von Kirchhoff aus diesen Versuchen berechneten Zahlen für k und $\frac{1}{1+kA_0}X=u$ zusammengestellt. Kirchhoff betrachtet dabei das von Weber benutzte Ellipsoid nicht als unendlich gestreckt, sondern setzt nach den Dimensionen desselben

$$A_0 = 0.0508.$$

Damit werden:

¹⁾ Die Werte habe ich zum Teil neu berechnet, da in den von Stoletow gegebenen Zahlen einige kleine Fehler vorkommen.

X	k	26	X	k	16
658,9	23,5	301	3186,6	5,6	2484
1381,5	13,5	823	2645,6	6,7	1975
1792,0	10,2	1184	2232,1	8,1	1583
2151,0	8,4	1512	1918,7	9,5	1297
2432,0	7,4	1773	1551,2	12,0	967
2757,0	6,4	2080	1133,1	16,9	612
3090,6	5,7	2397	670,3	25,0	296.

Eine specielle Angabe der von Overbeck, Stoletow aus Beobachtungen an einem Ringe, Riecke und den übrigen Beobachtern erhaltenen Werte wird überflüssig sein; im großen und ganzen zeigen die von den verschiedenen Experimentatoren erhaltenen Werte denselben Verlauf; bei einem gewissen Werte von u, der bei den verschiedenen Experimentatoren nicht ganz derselbe ist, hat k ein Maximum, von da ab nimmt der Wert von k sowohl mit wachsendem, als mit abnehmendem u ab, und zwar weigt sich nach den Beobachtungen von Riecke, daß k selbst bis zu den kleinsten Werten von u kleiner wird; als kleinsten Wert für eine verschwindende magnetisierende Kraft ergiebt sich nach den Versuchen von Bauer¹) und Riecke²) etwa der Wert k = 15.

Nur auf einen Punkt wollen wir noch hinweisen. Wie wir im vorigen Paragraphen sahen, giebt sich in den magnetischen Momenten magnetisierter Stäbe nur bei dünnen, nicht bei dicken, dieser eigentümliche Ganz der Magnetisierungsfunktion zu erkennen. Es ist das eine notwendige Folge der Theorie, nach welcher

$$m = \frac{M_x}{v} = \frac{k}{1 + k A_0} \cdot X,$$

oder auch

$$m = \frac{1}{\frac{1}{L} + A_0} \cdot X$$

ist. Je weniger gestreckt ein Ellipsoid ist, um so größer ist der Wen von A_0 , um so mehr tritt also in dem Nenner des Faktors von X des Glied $\frac{1}{k}$ gegen A_0 zurück, um so mehr muß sich also der Faktor von X einem konstanten Werte nähern. Für die Ellipsoide No. 2 und No. 3 von Quintus Icilius wird z. B. nach der Berechnung von Stoletow

$$A_0 = 0,263$$
 für No. 2; $A_0 = 1,644$ für No. 3,

und man erkennt, dass gegen diese Werte von A_0 die Variabilität von nur von geringem Einfluss ist.

Bei einer Kugel ergiebt sich, worauf Riecke hinweist, der Wert des Koefficienten von X also

$$p = \frac{k}{1 + \frac{4}{2} \pi k}$$

¹⁾ C. Bauer, Wiedem. Ann. Bd. XI.

[&]quot;) Riecke, Wiedem. Ann. Bd. XIII.

st ganz konstant; in der That, wenn k von 15 auf 115 zunähme, nimmt nur von 0,235 auf 0,238 zu. Man sieht, dass deshalb Kugeln und enig gestreckte Ellipsoide nicht geeignet sind, den Gang der Magnetierungsfunktion zu bestimmen.

Aus den im Vorigen besprochenen Sätzen über die Magnetisierung r Ellipsoide ergiebt sich schon, dass es für begrenzte cylindrische oder ders geformte Stäbe keine allgemein gültigen Gesetze über die Abingigkeit des magnetischen Momentes von den Dimensionen geben kann, n so weniger, wenn man die Stäbe nicht einer in allen ihren Teilen onstanten magnetisierenden Kraft unterwirft.

Alle die von den verschiedenen Experimentatoren abgeleiteten mehr ler weniger einfachen Sätze für die magnetischen Momente cylindrischer äbe in ihrer Abhängigkeit von den Dimensionen derselben können des-Ib nur als empirische innerhalb enger Grenzen gültige Sätze aufgefafst erden. Wir begnügen uns deshalb damit, diese Sätze nur kurz vorführen.

Die ersten Untersuchungen über die Abhängigkeit des magnetischen omentes verschiedener Eisenkerne von den Dimensionen derselben rühren n Lenz und Jacobi her 1).

Um den Einfluss der Dicke von Stäben auf ihr magnetisches Moent bei Anwendung von Spiralen, welche dieselbe Länge wie die Stäbe itten, zu untersuchen, wurden nach und nach in dieselbe Spirale Eisenrne gelegt, deren Durchmesser von 4,5 mm bis 81 mm zunahmen, oder wurden diese Eisenkerne unmittelbar mit Spiralen umwunden. Die mporären Momente der verschiedenen Stäbe wurden, wie bei den im rigen Paragraphen beschriebenen Versuchen durch die Induktionsströme messen, welche sie in einer die Magnetisierungsspirale umgebenden Spile, welche durch ein Galvanometer geschlossen war, erzeugten.

Aus beiden Reihen folgerten Lenz und Jacobi, daß das temporäre oment in Stäben verschiedener Durchmesser bei gleicher magnetisierenr Kraft den Dicken der Stäbe einfach proportional sei. Die beobachten Induktionsströme ließen sich nämlich in beiden Versuchsreihen durch e Gleichung

$$J = a + bd$$

edergeben, worin a und b zwei Konstanten und d den Durchmesser der abe bedeutet. Die Konstante a in der Gleichung bedeutet den Teil s Induktionsstromes, welcher von dem verschwindenden magnetisierenden rome herrührt, bd ist dann der von dem verschwindenden Magnetismus rrührende Teil. Das magnetische Moment ist somit bd, also dem Durchesser des Stabes proportional.

Hiergegen hat Dub jedoch eingewandt2), dass der Schluss von Lenz d Jacobi nicht berechtigt sei. Bei der ersten Versuchsreihe ist nämh die magnetisierende Kraft nicht dieselbe, da die verschiedenen Stäbe derselben Spirale lagen, und die Länge der Spirale nicht größer ist

Lenz und Jacobi, Poggend. Ann. Bd. LXI.
 Dub, Poggend. Ann. Bd. CIV. Der Elektromagnetismus S. 208. Ber-

als die Länge der Stäbe. Nach den eigenen Versuchen von Lenz und Jacobi ist aber die magnetisierende Kraft auf einen dünneren Stab unter diesen Umständen kleiner als auf einen dickeren Stab, so dass also die magnetischen Momente der dickeren Stäbe im Verhältnis zu denen der dünneren zu groß sind.

Wenn die dünneren Stäbe, wie es bei den dicksten der Fall wu, von den Spiralen eng umschlossen gewesen wären, so würde bei gleicher Stromstärke und gleicher Windungszahl das magnetische Moment dort größer gewesen sein. Die an den einzelnen Stäben erhaltenen Were sind also nicht vergleichbar.

Ein anderer Fehler sei von Lenz und Jacobi in der Interpretation der Resultate der zweiten Reihe begangen; sie nehmen nämlich auch für diese an, daß die Konstante a der von dem verschwindenden magnetisierenden Strome herrührende Teil des Induktionsstromes sei. Das sei unrichtig, denn der von diesem induzierte Strom ist auch bei gleiche Stromstärke in der Magnetisierungsspirale nicht konstant, weil die Magnetisierungsspirale einen verschiedenen Durchmesser, also eine größen Drahtlänge hat; es sind deshalb mehr induzierende Stromelemente in den weiten Spiralen vorhanden als in den engeren, und der von den weiteren Spiralen induzierte Strom ist stärker als der von den engern Spiralen induzierte Strom. Man wird deshalb diesen Teil als eine Funktion des Durchmessers der Spirale ansehen müssen, wodurch der zweite Teil des Induktionsstromes, der von dem verschwindenden Magnetismus herrührende, dem Durchmesser nicht mehr proportional sein kann.

Dub sucht durch Rechnung bei der ersten Reihe den Magnetismezu bestimmen, welchen die einfachen Stäbe erhalten haben würden, wend das Verhältnis zwischen dem Durchmesser der Spirale und des Stabes immer dasselbe gewesen wäre, indem er nach den im vorigen Paragraphet angeführten Versuchen von Lenz und Jacobi annimmt, daß der Magnetismus eines Stabes um ½2 schwächer wird, wenn statt einer ihn eng unschließenden Spirale eine andere genommen wird, deren Durchmesset doppelt so groß ist.

Indem er in dieser Weise die Beobachtungen von Lenz und Jacob berechnet, findet er, das bei gleicher magnetisierender Kraft die temprären Momente den Quadratwurzeln aus den Stabdurchmessern proportional seien.

Dieser Satz folgt auch, wie wir sahen, aus den von Müller an einer Anzahl von Stäben angestellten Versuchen, denn die aus diesen abgeleitete Formel ergab für das magnetische Moment m, so lange es der magnetisierenden Kraft p proportional gesetzt werden kann,

$$m = \frac{1}{c} p \sqrt{d}.$$

Die Formel war aus Beobachtungen an Stäben zwischen 9mm und 44mm Dicke abgeleitet, also Stäbe, deren Dicke bis zum Fünffacher zunahm. Es waren allerdings auch hier die Stäbe alle in dieselbe Spirale eingelegt; da indes die Stäbe an beiden Seiten 15mm hervorragten. War der Einflus der Weite der Spirale hier bedeutend kleiner.

Dub hat endlich durch direkte Versuche dieses Gesetz nachzuweise

versucht¹), indem er teils Spiralen anwandte, welche die Stäbe enge umschlossen, teils sehr lange Stäbe und ebenso lange Spiralen nahm, so dafs der störende Einflus der verschiedenen Spiralweite gegen das magnetische Moment der Stäbe nur klein war. Die Versuche waren im übrigen wie die von Müller angestellt.

So erhielt Dub unter anderen folgende Werte des magnetischen Moments m, bei Stäben von 14,2 cm Länge und 28,4 cm Länge, während

die Weite der Spirale 5,4 cm betrug.

Stablänge 14,2cm			Stablänge 28,4 cm		
Stabdicke	m	$c \frac{m}{\sqrt{d}}$	Stabdicke	m	$c \frac{m}{\sqrt{d}}$
13,5 mm	0,0962	68	13,5 mm	0,33	24
20,25	0,114	66	20,25	0,41	24
27,0	0,15	72	27,0	0,49	24,5
40,5	0,2	81	40,5	0,63	26
54,0	0,27	95	54,0	0,77	27

Die letzte Kolumne in beiden Tabellen läßt das von Dub nachzuweisende Gesetz schon erkennen, indes weichen die Quotienten $\frac{m}{\sqrt{d}}$ noch ziemlich von der Gleichheit ab, was seinen Grund in demselben Umstande, wie in der ersten Versuchsreihe von Lenz und Jacobi hat. In den folgenden beiden Versuchsreihen wurden in der ersten den Kern eng umschließende Spiralen, in der zweiten Kerne von circa 97,5 cm Länge angewandt.

Stablänge 28,4 cm			Stablänge 97,5 cm			
d	m	$c \frac{m}{\sqrt{d}}$	d	m	$e^{\frac{m}{\sqrt{d}}}$	
27 mm	0,6693	473	27 mm	0,03404	3404	
54	0,9535	478	54	0,04388	3102	
			108	0,0742	3710	
			162	0,0890	3630.	

Diese beiden Reihen lassen allerdings recht gut das von Müller auf-

gestellte Gesetz über den Einfluss der Stabdicke erkennen.

Über die Abhängigkeit des temporären Momentes von der Länge der Cylinder bei gleichem Durchmesser haben ebenfalls Lenz und Jacobi²) Versuche angestellt; das Verfahren war das vorhin angegebene, die Stäbe waren ihrer ganzen Länge nach mit Spiralen umwunden, so daß mit großer Annäherung angenommen werden kann, daß die magnetisierende Kraft für alle Teile der Stäbe dieselbe war; die gesamte magnetisierende Kraft war also der Länge der Stäbe proportional. Folgende Tabelle enthält die beobachteten Momente, jenes des kürzesten Stabes gleich 100 gesetzt.

Dub, Poggend. Ann. Bd. XC, XCIV, CIV u. CXV. Elektromagnetismus
 204 ff.
 Lenz und Jucobi, Poggend. Ann. Bd. LXI.

Stablänge l	Moment M	$\frac{M}{l}$	$c \frac{M}{l^2}$	c M
32,5 cm	100	100	100	100
48,75 ,,	285	190	127	103 -
65,0 ,,	572	286	143	101
81,25 ,,	970	388	155	98,1
97,5 ,,	1500	500	166	96,1
113,75 "	2031	580	165	88,6
138,0 "	2724	681	170	85,2.

Man sieht also, dass unter diesen Umständen das magnetische Mement des Stabes ganz bedeutend zunimmt; aber auch, wenn die gesammts magnetisierende Kraft dieselbe, somit die auf gleiche Länge der Stäle wirkende magnetisierende Kraft der Länge der Stäbe umgekehrt proportional ist, nimmt das magnetische Moment der Stäbe mit der Länge der selben zu, wie sich aus der dritten Kolumne ergiebt.

Die Momente M, welche durch eine der Stablänge proportionale gesamte magnetisierende Kraft oder eine für die Längeneinheit konstants Kraft erregt werden, nehmen nach der vierten und fünften Kolumne etwas rascher als dem Quadrate, etwas langsamer als der Wurzel aus der finf ten Potenz der Länge proportional zu.

Dieselben Resultate hat Wiedemann 1) bei einigen Versuchen erhalten, bei welchen die magnetischen Momente durch die Ablenkung eine entfernten Magnetnadel bestimmt wurden.

1	M	$\frac{M}{l}$	$c \frac{M}{l^2}$	$c \frac{M}{l^2 \sqrt{l}}$
10 cm	100	100	100	100
20 ,,	545	272,5	136,5	96,5
30 "	1220	407	135,5	78,2
40 "	2300	575	144,0	91,9

Wie man sieht, wächst auch hier bei gleicher gesamter magnetisie render Kraft das Moment rascher als die Länge des Stabes, auch rascher als l2, langsamer als l3/2.

Dub glaubt, dass das Moment M, also das Moment des Stabes, well die magnetisierende Kraft der Länge des Stabes proportional ist, in let That der Potenz 1% genan proportional sei. Er schliesst das einmal and den sofort zu besprechenden Versuchen über die Verteilung des Magnetismus in Stäben, und besonders aus einer experimentellen Bestätigung des Thomsonschen Satzes. Dieser Satz von Thomson, welchen Joule einer Abhandlung über Elektromagnetismus3) mitteilt, lautet folgender maßen: "Ahnliche Stäbe verschiedener Dimensionen, ähnlich mit Draff-

¹⁾ Wiedemann, Galvanismus Bd. II. §. 307. Poggend. Ann. Bd. CXVII.

²⁾ Dub, Poggend. Ann. Bd. CXX.
3) Joule, Philosophical Transactions (London) for 1856, part I. p. 287. sehe über den Thomsonschen Satz auch Ruths: Über den Magnetismus wei Eisencylinder, Schulprogramm, Dortmund 1876; H. Meyer, Wiedem Ann. Bd. X.

igen bewickelt, welche den Quadraten der linearen Dimensionen prortional sind, und gleiche Ströme leiten, bewirken in Punkten, die zu nen ähnlich gelegen sind, gleiche Kräfte." Nehmen wir daher einmal ien Cylinder, dessen Durchmesser und Länge wir als Einheit wählen, d bewickeln den seiner ganzen Länge nach, und ein anderes Mal einen linder, dessen Durchmesser und Länge die nfachen sind, und bewickeln nselben ebenfalls seiner ganzen Länge nach mit der gleichen Zahl von indungen auf der Längeneinheit, im Ganzen also mit der nfachen Zahl n Windungen, so muss der letztere Magnet in der ersten oder zweiten auptlage eine kleine Magnetnadel in der nfachen Entfernung ebenso ark ablenken, wie der erstere in der einfachen Entfernung; oder lassen ir beide Magnete aus der gleichen Entfernung auf die Nadel wirken, muss, vorausgesetzt dass die Entfernung hinreichend groß ist, das rehungsmoment, welches der Magnet von nfachen Dimensionen der Nadel teilt, das nafache desjenigen sein, welches der Stab von einfachen Diensionen der Nadel erteilt.

Die Richtigkeit dieses Satzes ergiebt sich unter anderen aus folgenr Versuchsreihe von Dub. Die Magnete wurden in der ersten Hauptge (§. 17) einer Nadel in Entfernung von 62,77cm gegenübergelegt,
id die Ablenkungen α der Nadel beobachtet, wenn durch die, die Stübe
nz bedeckenden Spiralen Ströme gleicher Stürke geführt werden.

Durchmesser der	Längen Stäbe	n	α	tang a	n³	$\frac{1}{n^3}$ · tang α
1,308 cm	10,46 cm	2	20 20'	0,04075	8	509
1,962 ,,	15,69 "	3	70 50'	0,1379	27	509
2,616 ,,	20,92 "	4	180	0,325	64	508
3,924 "	31,38 "	6	470 40'	1,0977	216	508
5,232 ,,	41,84 ,,	8	690	2,605	512	509.

Wie man sieht, sind die Tangenten der Ablenkungswinkel sehr genau dritten Potenz der homologen Dimensionen proportional, diese Tangenten d aber das Mass des der Nadel durch die Magnete erteilten Drehungsmentes. Wie wir nun §. 17 gezeigt haben, ist das der Nadel erteilte ehungsmoment direkt dem magnetischen Momente des ablenkenden agnetes proportional. Es folgt demnach als eine andere Form des omsonschen Satzes, daß bei ähnlichen und ähnlich bewickelten Stäben e magnetischen Momente bei gleicher Stromstärke den dritten Potenzen r homologen Dimensionen proportional sind. Nach dem Dubschen Satze er die Abhängigkeit des magnetischen Momentes von der Stabdicke soll n das magnetische Moment der Quadratwurzel aus der Stabdicke prortional sein, es muss demnach, wenn der Thomsonsche Satz bestehen II, das magnetische Moment des Stabes der ⁵/₂ Potenz der Länge prortional sein. So weit demnach der erstere Satz von Dub Gültigkeit t, ist auch nach diesen Versuchen der zweite gültig, dass die magnechen Momente von Stäben verschiedener Länge, auf welche eine der nge proportionale magnetisierende Kraft wirkt, der 5/2 Potenz der Länge portional sind. Hierbei wird allerdings vorausgesetzt, dass in den ben gleichzeitig beide Dimensionen in demselben Verhältnisse geändert werden, es folgt daraus keineswegs, dass die einzelnen Gesetze g wenn nur die eine geändert wird.

Um deshalb die Richtigkeit dieser beiden einzelnen Gesetze zu pur hat Dub an seine Bestätigung des Thomsonschen Satzee eine Unterzut der Abhängigkeit des magnetischen Moments von der Stablänge angeschlossen und einzelne neue Versuche über den Einfluß der I bei gleicher Länge angestellt. Die Versuche wurden in derselben V wie die eben besprochenen ausgeführt, die magnetischen Momente die Ablenkung einer Magnetnadel in der ersten Hauptlage gemessen. gende Versuchsreihe zeigt, daß das Gesetz der Längen durch die Beet tungen bestätigt wird. Die Magnete befanden sich in einer Entfen von 282,5 cm von einem magnetisierten Spiegel, die Tangenten der lenkung wurden durch Beobachtung mit Fernrohr und Skala erhäte

Stablänge	n	tang α	n²//n	$\frac{1}{n^2\sqrt{n}} \cdot \tan \alpha$
10,46 cm	2	1,1	5,656	194
15,59 "	3	3	15,6	192
23,53 "	4,5	8,25	42,9	192
31,38 ,	6	16,5	8 6	192
47,06 "	9	45	243	185
62,76 ,	12	96	499	192
94,14 "	18	267	1375	194
125,52 ,,	24	545	2822	193.

Für das Gesetz der Durchmesser giebt Dub unter andern folge Zahlen, die Kerne waren ihrer ganzen Länge nach bewickelt, die La derselben war 31,38 cm.

Stabdicke	tang α	$W \cdot \sqrt{d}$	tang α
	tang a	w·ya	$\overline{W \cdot V d}$
1,308 cm	29	451	643
2,616 ,,	42	• 660	644
3,924 "	50,25	785	641
5,232 ,,	6 0	933	643
7,848 "	79,25	1230	641.

Die Kolumne $W \cdot \sqrt{d}$ enthält die Produkte aus der stets glei magnetisierenden Kraft der Spiralen und den Quadratwurzeln aus Kerndurchmessern.

Wenn andere Beobachter diese Gesetze nicht genau bestätigt für so soll nach Dub der Grund dieser Abweichung daran liegen, daß den Magneten verschiedener Dimensionen je nach ihren Dimensionen fin oder später der von ihm als Sättigung bezeichnete Zustand eintritt. wir im vorigen Paragraphen erwähnten, nimmt Dub an, daß bis zu ergewissen Werte des magnetischen Momentes dasselbe der magnetisiden Kraft proportional wächst, von da ab aber langsamer als let Den Wert des Momentes, von welchem ab das Moment langsamer wals die magnetisierende Kraft, nennt Dub den Zustand der begiststigung.

Auch in Bezug auf die Abhängigkeit des Eintretens der Sättigung on den Dimensionen der Stäbe gelangt Dub zu ähnlichen einfachen Getzen, welche er folgendermaßen zusammenstellt1).

1) Bei gleicher Länge und ähnlicher Bewicklung der Magnetkerne die Stromstärke, bei welcher der Sättigungszustand auftritt, der

Potenz der Durchmesser proportional.

2) Bei gleichem Durchmesser und derselben auf der ganzen Länge er Kerne proportional verbreiteten Windungszahl der Spirale ist die tromstärke, bei welcher Sättigung auftritt, der Quadratwurzel aus den tablängen umgekehrt proportional.

3) Bei gleichem Durchmesser und einer der Länge des Stabes proporionalen Windungszahl und Länge der Spirale ist die Stromstärke, bei welcher sättigung auftritt, der 3/2 Potenz der Längen umgekehrt proportional.

Aus dem ersten und dritten Satze ergiebt sich dann, dass die Sättizung bei ähnlichen und ähnlich bewickelten Kernen immer bei derselben

Stromstärke eintritt.

Dieser letztere Satz schon, ganz abgesehen von den vorhin vorgeführten heoretischen Erörterungen läßt erkennen, daß, selbst wenn der Satz von Chomson ganz allgemeine Gültigkeit hat, die Sätze von Dub über die bhängigkeit der magnetischen Momente der Stäbe verschiedener Dimenionen von den Dimensionen bei gleicher Stromstärke jedes für sich geommen nur beschränkte Gültigkeit haben.

Alle diese Untersuchungen beziehen sich auf cylindrische Stäbe, über

ders geformte liegen nur wenig Untersuchungen vor2).

An die Untersuchung der Abhängigkeit des gesamten magnetischen oments eines Stabes von seiner Dicke und Länge schliefst sich diejenige Der die Magnetismen der einzelnen Teile. Im ersten Abschnitte dieses iles haben wir gesehen, dass nach den Versuchen von Coulomb die innern hichten eines Stabes nicht so stark magnetisch werden als die äußern, Is also der Magnetismus bei gegebenen magnetisierenden Kräften dickere Tabe ihrer Dicke nach nicht so vollständig magnetisiere als dünnere. araus ergab sich die Regel, zur Herstellung kräftiger Magnete nach einer er dort angeführten Methoden Bündel kleinerer Magnete zu wählen.

Mit Hilfe der Magnetisierungsspiralen hat nun Feilitzsch³) den direkten achweis geliefert, dass bei einer gegebenen magnetisierenden Kraft der lagnetismus nur bis zu einer gewissen Tiefe in das Innere von Eisen-Aben eindringt, dass aber die Tiefe um so größer ist, je größer die Dagnetisierende Kraft ist. Feilitzsch wandte zu dem Ende hohle Eisenöhren an, welche in einander eingeschoben werden konnten; die Röhren atten alle eine gleiche Länge von 102 mm und eine Wanddicke von 1,53 mm. Der Durchmesser der äußersten Röhre betrug 31 mm, der der weiten etwas mehr als 29 mm, der der dritten etwas mehr als 27 mm u. s. f., is der Durchmesser der dünnsten Röhre, der siebenten, circa 19 mm betrug.

Diese Röhren wurden einzeln oder mehrere in einander in eine Spirale derselben Länge und 346 Windungen Kupferdraht von 1,75 mm icke eingelegt. Die magnetischen Momente der Röhren wurden dadurch

¹⁾ Dub, Poggend. Ann. Bd. CXXXIII.
2) Man sehe von Waltenhofen, Wiener Berichte Bd. XLVIII und Bd. LXI.
3) von Feilitzsch, Poggend. Ann. Bd. LXXX.

bestimmt, dass die Ablenkung, welche sie einer Magnetnadel erteilte, durch die Wirkung eines Magnets von bekanntem Moment kompensiert wurde. Aus dem für die Kompensation erforderlichen Abstande des letzten Magnets ergab sich sofort das Moment der magnetisierten Röhren.

Feilitzsch verglich zunächst das Verhalten einer solchen Röhr mit einem massiven Eisenkern von demselben Durchmesser, und es fand et daß bei schwachen Strömen das magnetische Moment in beiden mit gleicher Größe war. Bei stärkeren Strömen zeigte sich jedoch das Momendes massiven Stabes größer, woraus folgte, daß auch die inneren Schichte des Stabes bei größerer magnetisierender Kraft magnetisiert wurden.

Um die Tiefe zu bestimmen, bis zu welcher die Magnetisierung er drang, wurde zunächst die weiteste Röhre in die Spirale geschoben wicht Moment gemessen, dann in die weitere Röhre die nächst engere wieder das magnetische Moment bestimmt. Die Differenz des zweiten wersten Momentes ergab das magnetische Moment der engeren Röhre; dan wurde eine dritte Röhre eingelegt und so fort, so lange noch durch Er legen der Röhre eine Vermehrung des Momentes eintrat. Der jedesmilig Zuwachs des Momentes nach dem Einlegen eines engeren Cylinders gab im Moment dieses Cylinders.

Die Resultate einer Anzahl Versuche enthält folgende Tabelle; in Stromstärken sind in absolutem elektromagnetischen Maße und die mynetischen Momente ebenfalls in absolutem Maße gegeben.

Stromstärke	Gleichzeitig eingeschobene Cylinder	Gesamtes magn. Moment	Moment der einzelnen Cylinder
0,790	1	1,748	1 == 1,748
	1, 2	1,874	2 = 0.126
	1, 2, 3	1,913	3 = 0.039
1,212	1	2,639	1 = 2,639
	1, 2	2,911	2 = 0,279
	1, 2, 3	2,971	3 = 0,060
2,975	1	4,742	1 = 4,749
	1, 2	6,604	2 = 1,961
-	1, 2, 3	7,024	3 = 0.420
	1, 2, 3, 4	7,199	4 = 0,175
5,150	1	5,690	1 = 5,690
	1, 2	9,913	2 = 3,928
	1, 2, 3	11,823	3 = 2,210
	1; 2, 3, 4	12,432	4 = 0,690
-	1, 2, 3, 4, 5	12,751	5 = 0.319
8,510	1	6,374	1 = 6,374
	1, 2	11,413	2 = 5,066
	1, 2, 3	15,500	3 = 4,087
	1, 2, 3, 4	18,453	4 = 2,935
	1, 2, 3, 4, 5	20,019	5 = 1,566
	1, 2, 2, 4, 5, 6	20,800	6 = 0.781
	1, 2, 3, 4, 5, 6, 7	21,135	3 = 03%

Auch in Bezug auf die Abhängigkeit des Eintretens der Sättigung den Dimensionen der Stäbe gelangt Dub zu ähnlichen einfachen Gen, welche er folgendermaßen zusammenstellt¹).

 Bei gleicher Länge und ähnlicher Bewicklung der Magnetkerne lie Stromstärke, bei welcher der Sättigungszustand auftritt, der

otenz der Durchmesser proportional.

2) Bei gleichem Durchmesser und derselben auf der ganzen Länge Kerne proportional verbreiteten Windungszahl der Spirale ist die astärke, bei welcher Sättigung auftritt, der Quadratwurzel aus den

ängen umgekehrt proportional.

3) Bei gleichem Durchmesser und einer der Länge des Stabes proporlen Windungszahl und Länge der Spirale ist die Stromstärke, bei welcher gung auftritt, der ³/₂ Potenz der Längen umgekehrt proportional.

Aus dem ersten und dritten Satze ergiebt sich dann, daß die Sättibei ähnlichen und ähnlich bewickelten Kernen immer bei derselben astärke eintritt.

Dieser letztere Satz schon, ganz abgesehen von den vorhin vorgeführten etischen Erörterungen läßt erkennen, daß, selbst wenn der Satz von ison ganz allgemeine Gültigkeit hat, die Sätze von Dub über die negigkeit der magnetischen Momente der Stäbe verschiedener Dimenn von den Dimensionen bei gleicher Stromstärke jedes für sich genen nur beschränkte Gültigkeit haben.

Alle diese Untersuchungen beziehen sich auf cylindrische Stäbe, über

s geformte liegen nur wenig Untersuchungen vor2).

An die Untersuchung der Abhängigkeit des gesamten magnetischen ents eines Stabes von seiner Dicke und Länge schließt sich diejenige die Magnetismen der einzelnen Teile. Im ersten Abschnitte dieses shaben wir gesehen, dass nach den Versuchen von Coulomb die innern hten eines Stabes nicht so stark magnetisch werden als die äußern, also der Magnetismus bei gegebenen magnetisierenden Kräften dickere ihrer Dicke nach nicht so vollständig magnetisiere als dünnere. us ergab sich die Regel, zur Herstellung kräftiger Magnete nach einer lort angeführten Methoden Bündel kleinerer Magnete zu wählen.

Mit Hilfe der Magnetisierungsspiralen hat nun Feilitzsch³) den direkten weis geliefert, das bei einer gegebenen magnetisierenden Kraft der etismus nur bis zu einer gewissen Tiefe in das Innere von Eisenn eindringt, das aber die Tiefe um so größer ist, je größer die etisierende Kraft ist. Feilitzsch wandte zu dem Ende hohle Eisenn an, welche in einander eingeschoben werden konnten; die Röhren alle eine gleiche Länge von 102 mm und eine Wanddicke von mm. Der Durchmesser der äußersten Röhre betrug 31 mm, der der en etwas mehr als 29 mm, der der dritten etwas mehr als 27 mm u. s. f., er Durchmesser der dünnsten Röhre, der siebenten, circa 19 mm betrug. Diese Röhren wurden einzeln oder mehrere in einander in eine Spirale derselben Länge und 346 Windungen Kupferdraht von 1,75 mm eingelegt. Die magnetischen Momente der Röhren wurden dadurch

¹⁾ Dub, Poggend. Ann. Bd. CXXXIII.

²⁾ Man sehe von Waltenhofen, Wiener Berichte Bd. XLVIII und Bd. LXI.

³⁾ von Feilitzsch, Poggend. Ann. Bd. LXXX.

schiedene Stücke oder durch die ganze Spirale konnte. In die Röhre wurden die zu untersu-0,487, 0,65... bis 1,296 m Länge eingelegt, Teil der Spiralen, welcher die Stäbe umgab, de

Auf der Magnetisierungsspirale wurde dar duktionsspirale verschoben; befand sich dieselb des magnetisierten Stabes, so darf man mit gro Verschwinden des Magnetismus in der kleinen dem magnetischen Momente des Querschnittes p gerade in der Mitte der Induktionsspirale sich den Induktionsstrom beobachtete, wenn die Sp verschiedenen Querschnitten der Magnete sich magnetischen Momente derselben 1). Folgende T Beobachtungen verglichen mit der Berechnung stände der untersuchten Querschnitte sind vor und die Einheit derselben ist 13,5 mm.

Abstand von		es Moment	Abstand vo
Mitte = x		berechnet	Mitte = a
Länge	des Stabes 3	2,5 cm	Läng
0 1	7171	7125	0
3	6867	6860	3
5	6322	6369	7
7	5528	5556	11
9	4416	4365	15
11	2530	2676	19
Llinos	des Stabes	65 cm	23
			27
0	20811	20711	31
3	20608	20504	35
.7	19412	19495	Lane
11	17470	17602	-
15	14706	14692	0
17	12717	12790	3
19	10559	10546	7
21	7997	7911	11
23	4557	4868	1.5
			19
			23
			27
			31
			35
			39
			43
			47

Die als berechnet angeführten Werte von m sind nach der Formel von in Rees berechnet, indem zunächst die Konstanten a, b, m aus den Beobachungen bestimmt wurden. Die direkt aus der Beobachtung und Rechnung ch ergebenden Zahlen sind in unserer Tabelle mit 10000 multipliziert.

Wie man sieht, stimmen die von van Rees nach seiner Formel beschneten Werte der magnetischen Momente der einzelnen Querschnitte so ollständig mit dem beobachteten überein, daß man in der That zu dem chlusse berechtigt ist, daß die Gleichung der Kettenlinie die Verteilung es Magnetismus in Stäben ausdrückt. Für die Verteilung des freien lagnetismus ergiebt sich dann rückwärts die Gleichung von Biot, aus elcher van Rees die Gleichung der Kettenlinie für die Verteilung des rregten Magnetismus abgeleitet hat.

Dub leitet aus den Beobachtungen von Lenz und Jacobi andere Schlüsse b¹); er schließt daraus, daß der in jedem Querschnitte erregte Magnesmus, wenn der ganze Stab mit einer Magnetisierungsspirale bedeckt der Quadratwurzel aus der Entfernung dieses Querschnittes von dem achsten Ende des Magnets proportional ist. Ist also l die halbe Länge Magnets und x der Abstand des betrachteten Querschnittes von der

itte, so soll

$$m = c \cdot \sqrt{l - x}; \quad m^2 = c(l - x).$$

Demnach würden die Endpunkte der Ordinaten, welche, auf der Länge is Magnets als Abscissenaxe konstruiert, die magnetischen Momente der nzelnen Querschnitte darstellen, auf zwei Parabeln liegen, deren Scheitelnukte in den Enden des Magnets liegen, und welche über der Mitte, dort, o das Moment am größten ist, sich schneiden. Die magnetischen Moente werden also überhaupt nicht durch eine Kurve, sondern durch zwei urgestellt, indem jene Gleichung für jede Hälfte des Magnets, nicht für en ganzen Magnet gilt. Die nach dieser Formel berechneten Werte immen in der That ziemlich gut mit den beobachteten überein, wie folende kleine Tabelle zeigt, in welcher wir die nach Dub und van Rees erechneten mit den am längsten Magnet beobachteten zusammenstellen.

Abstand von der Mitte = x	beobachtet	m nach Dub	nach v. Rees
0	52690	57109	52602
7	52051	52659	51811
15	49014	44613	49074
23	43968	41120	43987
31	36108	33707	36088
39	24756	24672	24706
43	17078	18389	17186
47	6886	8224	8556

oggend. Ann. Bd. LXXIV) die §. 18 erwähnten Versuche fiber die Verteilung is Magnetismus in permanenten Magneten ausgeführt. Wie im nächsten Kapitel ervortreten wird, ist der Induktionsstrom, welcher in der Spirale entsteht, wenn eselbe von einer Stelle des Magnets über das nächste Ende rasch abgezogen ird, dem unter der Spirale in der Anfangsstellung vorhandenen magnetischen oment gerade so proportional, wie wenn der Magnetismus unter der Spirale ötzlich verschwindet.

1) Dub, Poggend, Ann. Bd. CIV u. CXV. Elektromagnetismus S. 250 ff.

Sind auch die Abweichungen zwischen den Rechnungen von Dub und den Beobachtungen nicht zu bedeutend, so sprechen dech zwei Gränd dagegen, an der Stelle der Reesschen Gleichung jene von Dub als die Gesetz der Verteilung des Magnetismus in Stäben zu betrachten, auch abgesehen davon, daß die Gleichung von van Rees sich den Beobachtungen doch noch besser anschließt. Zunächst nämlich verfolgen die Abweichungen der nach Dub berechneten Werte einen regelmäßigen Gang; für kleiser und für große x sind Dubs Werte größer, für mittlere dagegen sind is kleiner als die Beobachtungen. Die Kurven von Dub schneiden also bebeobachteten in vier Punkten, so daß sie nur als eine erste Annäberung an diese Beobachtungen, die einzigen, welche bis jetzt vorliegen, betrachtet werden können. Zweitens aber fordert das Gesetz von Dub zwiüber der Mitte des Magnets sich schneidende Kurven, so daß also die magnetischen Momente in der Mitte eine Unterbrechung der Stetigkeit zeigen würden, was schwerlich mit der wahren Verteilung übereinstingen.

Für den freien Magnetismus der verschiedenen Querschnitte stellt Dub den Satz auf²), dass derselbe proportional sei der Differenz zwischen dem in der Mitte des Stabes und dem an der betreffenden Stelle erregten Magnetismus, es soll derselbe also an der um x von der Mitte entfernten Stelle sein

$$f = c \cdot (\sqrt{1 - \sqrt{1 - x}}),$$

woraus sich dann der Satz ergeben würde, daß die Summe des in einem Querschnitt erregten und freien Magnetismus konstant und gleich dem in der Mitte des Stabes erregten Magnetismus sein würde, denn

$$f + m = c \cdot \sqrt{l} = m_0$$

Für den in der Mitte eines Stabes erregten Magnetismus m₀ würle also weiter folgen, dass er der Quadratwurzel aus der Stablänge direkt proportional wäre, vorausgesetzt, dass auf die verschiedenen Stäbe gleiche magnetisierende Kräfte wirken.

Auch diese Gesetze, welche Dub teils an den Versuchen von Lezu und Jacobi, teils an eigenen nachweist, scheinen nicht geeignet, als die wirklichen Gesetze der Verteilung zu gelten. Denn das Gesetze der Verteilung des freien Magnetismus Stimmt nicht mit dem Gesetze der Verteilung der magnetischen Momente überein. Wie nämlich aus der Glei-

¹⁾ Gegen diese, auch von Wiedemann ausgesprochene Ansicht, welche and für die folgenden Sätze und für den Satz gilt, daß der freie Magnetismus auf Stäben verschiedener Länge der Quadratwursel aus der Länge der Stäbe proportional sei, hat Dub, Poggend. Ann. Bd. CXV protestiert, und geglaubt, in diesu Sätzen die wahren Gesetze der magnetischen Verteilung in Stäben sehen u können. Es ist natürlich hier nicht der Ort, auf die Polemik zwischen Wiedemann und Dub (Poggend. Ann. Bd. CXVII, Bd. CXVIII, Bd. CXX. Bd. CXXXIII) einzugehen; nur will ich hervorheben, daß nach den vorhin gemachten Bemerkungen bei Gelegenheit von Dubs Versuchen über das Eintreten der Sättigung, Dubs Sätze über die Abhängigkeit der magnetischen Momente von den Dimersionen bei gleicher Stromstärke nur beschränkte Gültigkeit haben, und sebm dadurch den Charakter empurischer innerhalb gewisser Grenzen zu benutzender dem trugen.

A. Poggond Ann Bd CVL Elektromagnetismus & 270 ff.

chung von Biot die Formel von van Rees sich ableiten läfst, so folgt aus Dubs Gleichung für f

$$f + m = \text{const.}$$

auch eine ganz bestimmte Verteilung des magnetischen Moments m in dem Stabe.

Ist nämlich dm der Zuwachs des magnetischen Moments, wenn wir von einem um x von der Mitte entfernten Molekularmagnet zum nächstfolgenden übergehen, und dx die Länge der Molekularmagnete, so erhalten wir nach §. 9 für den freien Magnetismus f

$$f = a \cdot \frac{dm}{dx};$$

die Gleichung für f wird darnach

$$a\,\frac{d\,m}{d\,x}+m=m_0.$$

Daraus folgt aber, wie die Integralrechnung lehrt, für m

$$m = Ce^{-\frac{x}{a}} + m_0,$$

also

$$\log (m_0 - m) = \frac{x}{a} \log e - C.$$

Es würden also die magnetischen Momente nicht einer Parabel, son dern einer logarithmischen Kurve entsprechen. Die beiden für den freien Magnetismus und für die magnetischen Momente der einzelnen Querschnitte aufgestellten Gesetze stimmen also nicht mit einander überein 1).

§. 132.

Anziehung und Tragkraft der Elektromagnete. Als die erste Äusserung des Magnetismus erkannten wir im ersten Abschnitte dieses Teiles die Fähigkeit, weiches Eisen anzuziehen und festzuhalten. Das Gewicht, welches ein Magnet in dieser Weise tragen kann, bezeichneten wir als die Tragkraft der Magnete.

Bei der Untersuchung, ob wir dieses Gewicht als ein Maß des an der Stelle, welche das Gewicht trägt, vorhandenen freien Magnetismus ansehen könnten, zeigten wir, daß, wenn man die Tragkraft als Maß des Magnetismus betrachten wolle, man den Magnetismus der Quadratwurzel aus der Tragkraft proportional setzen müsse, behaupteten aber zugleich, daß auch dadurch ein genaues Maß des Magnetismus nicht erreicht werden könne, da die Tragkraft wesentlich abhängig sei von der Form und den Dimensionen der angelegten Körper. Daraus ergiebt sich dann noch ein weiterer Grund dafür, daß die Tragkraft nicht in einer einfachen Beziehung

¹⁾ Der Raum dieses Buches gestattet uns nur eine Übersicht über die wichtigsten allgemeinern Resultate zu geben und verbietet ein weiteres Eingehen auf die große Zahl magnetischer Untersuchungen, in welchen die Magnetisierungserscheinungen detaillierter untersucht werden, wir verweisen deshalb auf den III. Band von Wiedemanns Elektricitätslehre.

zu dem Magnetismus stehen kann, auch wenn man immer denselben Anker anwendet. Bei dem Abreifsen des Ankers reifst nämlich niemals zugleich die ganze Fläche ab, sondern es wird sich dieselbe immer zuerst an einer Stelle losreifsen und dann noch an einer anderen haften, dadurch ist aber die Form der angelegten Fläche und damit die Kraft, mit welcher sie fest-

gehalten wird, geändert.

Letzterer Umstand fällt fort, wenn man den Anker nicht mit dem Magnete in Berührung bringt, sondern nur die Kraft beobachtet, mit welcher derselbe aus einiger Entfernung angezogen wird. Man bezeichnet diese Kraft zum Unterschiede von der Tragkraft als die Anziehung der Elektromagnete; die Anziehung wird daher bei Anziehung desselben Ankers dem Quadrate des an der anziehenden Stelle vorhandenen freien Magnetismus proportional sein, und somit bei Anwendung desselben Ankers als Maßdes an der anziehenden Stelle vorhandenen freien Magnetismus dienen können, wenigstens dann, wenn man den Magnetismus der Endflächen dadurch bestimmen will.

Diese Beziehungen zwischen Anziehung, Tragkraft und Stärke des Magnetismus lassen sich leicht mit Hilfe der Elektromagnete nachweisen, da wir die Stärke des Magnetismus dort nach der Größe der magnetisierenden Kraft bestimmen können. Wenden wir nicht zu kleine Eisenmassen an, so können wir das magnetische Moment, und mit diesem den an den Enden vorhandenen freien Magnetismus der Stäbe der magnetisieren den Kraft, oder bei Anwendung derselben Spirale einfach der Stromstärke proportional setzen. Nähert man nun dem Ende des Magnets einen Stab weichen Eisens bis auf eine geringe Entfernung, die aber bei allen Versuchen dieselbe sein muß, so muß die Anziehung dem Quadrate der Stromstärke proportional sein.

Die ersten Versuche, welche diesen Satz für stabförmige Elektromagnete bestätigen, rühren von Lenz und Jacobi ¹) her. Die Elektromagnete wurden unter dem Ende eines gewöhnlichen Wagbalkens vertikal aufgestellt und an den Wagbalken ein Stab weichen Eisens, oder nach Umständen auch ein anderer Elektromagnet aufgehängt und durch Gewichte auf der am anderen Ende des Wagbalkens hängenden Schale das Gleichgewicht hergestellt. Der Abstand der Endflächen des Magnets und des Eisenstabes betrug eiren 3 mm und derselbe wurde auch nach Erregung des Magnetismus dadurch erhalten, dass zwischen die beiden Endflächen eine Holzscheibe von der angegebenen Dicke eingeschoben wurde. Nach Erregung des Magnetismus wurde durch Zulegen von Gewichten auf der Wagschale der am Wagbalken befestigte Stab von dem Magnet losgerissen; das Gewicht, bei welchem die Trennung eintrat, war somit gleich der Kraft, mit welche der Eisenstab von dem Magnet angezogen wird.

Folgende Tabelle enthält die Resultate zweier Versuchsreihen; die Stromstärke wurde an einer Tangentenbussole gemessen, die als berechtet angegebene Anziehung wurde erhalten, indem das Quadrat der Tangente der in der ersten Kolumne angegebenen Ablenkung mit einem konstanten für jeden Magnetstab aber verschiedenen Faktor multipliziert wurde.

¹⁾ Lens und Jacobi, Poggend. Ann. Bd. XLVII. S. 401.

Stromstärke	Anziehung beobachtet berechnet		Stromstärke	Anzi	ehung berechnet
Länge des Magnets 21,6 cm Dicke 4 cm, Länge des Ank. 5,4 cm			Länge des M Dicke "	agnets und A	nkers 14,8 cm ,, 13,5 mm
190 4'	13,16	13,75	15052'	1,46	1,64
19 6	13,32	- 14,03	16 2	1,46	1,67
28 48	32,45	33,44	28 52 -	5,65	6,16
33 8	44,13	43,05	29 2	5,81	6,42
36 27	57,45	57,51	37 42	11,49	12,10
42 26	89,10	90,34	46 37	21,16	22,68
50 35	154,10	153,1	52 44	33,81	34,99
50 48	159,20	160,2	55 30	41,97	42,89

Dasselbe Gesetz zeigte sich gültig, als sowohl der untere als der obere Stab durch den Strom magnetisiert wurden, nur war dann die Anziehung bei gleicher Stromstärke ungefähr viermal stärker, als wenn nur der eine Stab magnetisiert wurde.

Auch Dub1) hat durch seine Versuche dieses Gesetz bestätigt und den Satz zugleich auf die Anziehung, welche Hufeisen auf Anker ausüben, ausgedehnt²). Er wählte bei diesen Versuchen genau cylinderförmige Anker, welche ein auf die Pole des Hufeisens gelegtes starkes Papierblatt in einer geraden Linie berührten; die Anker wurden wie bei den Versuchen von Lenz und Jacobi an dem Ende eines Wagbalkens befestigt und durch an dem anderen Ende des Wagbalkens auf eine Wagschale gelegte Gewichte abgerissen.

Folgende Tabelle enthält einige von Dubs Versuchen.

Stromstärke	Anziehung bei	Hufeisen,	deren Schenkellän	nge betrug
	31,5 cm	24,3 cm	14,2 cm	10,8 cm
1	1,3	0,6	0,4	0,15
2	5	2,6	1,4	0,65
3	13	6	3,7	1,7
4	20,5	9,6	6,8	2,9
5	32	14,6	10,4	4,4
6	45	22	16	7
7	-	31,5	21	9
8	1000	40.2	26	19

Wie man sieht, verhalten sich in allen vier Reihen die beobachteten

Dub, Elektromagnetismus S. 123.
 Dub, Elektromagnetismus S. 131. Dub nimmt bei seinen Untersuchungen über die Verteilung des Magnetismus in den Magneten dieses Gesetz nicht nur für die Endflächen, sondern auch für die Seitenflächen an, und gelangt dadurch zu den im vorigen Paragraphen mitgeteilten Sätzen über die Verteilung des Magnetismus, Wiedemann bemerkt dagegen (Galvanismus Bd. II. § 347. 1. Aufl.), daß dieses wohl nicht gestattet sei, da an den Seitenflächen der Einfluß der Anker ein anderer sei als an den Endflächen; es werden dort durch den Einfluß des angelegten Ankers die Moleküle gegen die Axe des Magnets dem Anker zugeneigt, und deshalb der Magnetismus mehr verstärkt als an den Endflächen.

Gewichte wie die Quadrate der natürlichen Zahlen, welchen letzteren die Stromstärken proportional waren.

Die Anziehung zwischen Magnet und Anker nimmt ab, wenn der Abstand des Ankers vom Magnete wächst. Nach Versuchen von Tyndall sollte von einer gewissen Entfernung an die Anziehung dem Abstande des Ankers von dem Magnete einfach umgekehrt proportional sein1). Nach den Versuchen von Dub kann man dagegen diesen Satz nicht als allgemeines Gesetz hinstellen, da das Gesetz der Abnahme der Anziehung wesentlich von der Größe der Anker abhängig ist. Folgende Versuchsresultate von Dub²) zeigen dieses unzweideutig. Die Entfernungen der Endflächen von Magnet und Anker wurden mit einer sphärometerähnlichen Einrichtung gemessen. Die Einheit der Entfernung ist 0,15 Millimeter.

Entfernung	Anzie	hung von Anke	rn, deren Diel	ke betrug
von der Endfläche	27 mm	20,25 mm	13,5 mm	10,12 mm
1	1,1	1,25	1,4	1,6
2	0,9	0,9	0,92	0,95
3	0,71	0,77	0,65	0,65
4	0,6	0,65	0,48	0,45
8	0,38	0,36	0,23	0,194
16 .	0,19	0,16	0,11	0,08
32	0,08	0,063	0,05	0,032

Wie man sieht, ist das Gesetz der Abnahme für die vier Anker ein ganz verschiedenes, die dickeren Anker werden bei geringerer Entfernung schwächer, bei größerer stärker angezogen als die dünneren, und bei einer gewissen kleinen Entfernung werden alle Anker mit gleicher Stärke angezogen.

Wir haben die Reihe von Dub hier zugleich als Beleg für den Einfluss der Anker angeführt, indem sie deutlich zeigt, von wie großem Einfluss bei derselben Entfernung die Dimensionen der Anker auf die Größe der Anziehung sind. Es ergiebt sich daraus auf das unzweidentigste, dass nur bei Anwendung desselben Magnetstabes und Ankers die Anziehung dem Quadrate des Magnetismus der Endfläche proportional gesetzt werden darf.

Ebenso wie die Dimensionen der Anker ist auch die Form der Endfläche des Magnets auf die Anziehung von Einfluss, so dass z. B. Magnete mit zugespitzten Endflächen bei sonst gleichem Querschnitte eine geringere Anziehung zeigen als nicht zugespitzte Magnete.

Betreffs der Tragkraft der Magnete läßt sich nach den Versuchen von Lenz und Jacobi³), Müller⁴) und Dub⁵) kein allgemeiner Satz aufstellen, welcher die Abhängigkeit der Tragkraft von der Stärke der Magnete ausdrückt. Aus den Versuchen von Dub ergiebt sich nur, dass die Tragkraft

¹⁾ Tyndall, Poggend. Ann. Bd. LXXXIII.
2) Dub, Poggend. Ann. Bd. LXXX. Elektromagnetismus S. 126.
3) Lenz und Jacobi, Poggend. Ann. Bd. XLVII.
4) Müller, Bericht über die neuesten Fortschritte der Physik S. 550.

'oggend. Ann. Bd. CV.

⁵⁾ Dub, Poggend. Ann. Bd. LXXIV. Elektromagnetismus 8 133 %.

langsamer wächst als das Quadrat der Stromstärke, aber rascher als die Stromstärke selbst. Auch dann, wenn man zur Vermeidung des ungleichartigen Abreißens kugelförmige Anker anwendet, läßt sich kein weiteres Gesetz erkennen wie unter andern folgende Beobachtungen von Dub zeigen:

tromstärke	Trag	gkraft
	Durchmesser der Kugel 40,5 mm	Durchmesser der Kugel 20,25 mm
1	0,3	0,09
2	0,7	0,21
3	1,25	0,45
4	1,6	0,65
6	2,8	0,95
8	4,6	1,5
12	7,4	2,6.

Ähnliches zeigt sich bei Anwendung anders geformter Anker, jedoch so, dass für jeden Anker die Tragkraft einen besonderen Wert hat.

Für die Tragkraft von Hufeisenmagneten, wenn dieselben durch einen Anker verbunden werden und dieser abgerissen wird, nahm man früher an 1), dass dieselbe rascher zunehme als die Stromstärke oder die magnetisierende Kraft. v. Waltenhofen hat indes gezeigt²), dass eine solche Zunahme der Tragkraft nur bei sehr geringen Stromstärken eintritt, dass mit steigender Stromstärke die Tragkraft sehr bald langsamer wächst als die Stromstärke und sich einem Maximum nähert, welches schon erreicht wird, wenn nach der Bezeichnung Dubs in dem nicht mit dem Anker versehenen Magnete die beginnende Sättigung noch nicht erreicht ist. Es ergiebt sich das unter andern aus folgender Versuchsreihe an einem hufeisenförmig gebogenen Eisenstabe von 18,1 cm Länge und 1 cm Durchmesser.

Stromstärke 8	Moment des nngeschlossenen Hufeisens p	$\frac{p}{s}$	Tragkraft T	$\frac{T}{s}$
16,29	3,01	0,194	1,97	0,121
28,11	5,57	0,198	4,17	0,148
35,29	6,79	0,192	4,92	0,139
89,35	17,78	0,199	10,27	0,115
130,01	24,85	0,191	11,37	0,087
246,53	51,39	0,208	14,42	0,058

Wie man sieht, nimmt schon von der zweiten Beobachtung an die Tragkraft sehr viel langsamer zu als die Stromstärke.

Man sehe Dub, Elektromagnetismus S. 137 ff. Wiedemann, Galvanismus Bd. II. S. 402 ff.
 ven Waltenhofen, Sitzungsberichte der Wiener Akademie Bd. LXI.

Dieses Verhalten der Hufeisen hat denselben Grund, wie die Erscheinung, dass die Tragkraft eines geschlossenen Huseisens weit größer ist als die Summe der Tragkräfte der einzelnen Pole. Auf diese Erscheinung hat zuerst Magnus aufmerksam gemacht1), indem er zeigte, daß en Hufeisenelektromagnet, welcher an jedem Pole für sich nur etwa ein Kilogramm tragen konnte, nach Anlegen des Ankers fast 70 Kilogramm Der Grund dieser Erscheinung ergiebt sich leicht, es ist derselbe welcher bewirkt, dass in der Mitte eines Magnets das magnetische Moment bedeutend größer ist als an den Enden. In einem solchen geschlossenen Hufeisenmagnete, dessen Anker selbst magnetisch wird, ist jeder Queschnitt an beiden Seiten von magnetischen Querschnitten umgeben, und zwar nach beiden Seiten von einer gleichen Zahl, da der Magnet volständig geschlossen ist. Wie nun in der Mitte eines Stabes infolge des Einwirkens der an beiden Seiten der Querschnitte liegenden Molekulamagnete das magnetische Moment größer ist als an den Enden, so mus nach Anlegen des Ankers das Moment auch an den Enden der Schenkel zunehmen und nahezu gleich demjenigen der Mitte werden, da die Ender der Schenkel durch Anlegen des Ankers gewissermaßen zur Mitte werden

Es nimmt also an den Anlegestellen des Ankers in der That das magnetische Moment zu und mit demselben natürlich die Tragkraft, d die Tragkraft zweier sich berührender Flächen mit dem Magnetismus der Flächen zunimmt.

Mit der Zunahme der magnetischen Momente an den Enden der Schenkel muss das gesamte Moment des Huseisens zunehmen, der freie Magnetismus dagegen abnehmen. Ersteres hat Poggendorff?) nachgewiesen. indem er nach der Methode von Lenz und Jacobi den Induktionsstrom beobachtete, welchen der entstehende Magnetismus eines Hufeisens erregte. als es keinen Anker trug und als es durch einen Anker geschlossen wa Er erhielt auf diese Weise folgende Werte für die magnetischen Momente des Hufeisens:

Magnetisierende Kraft	Magnetisches offenen	Moment des geschlossenen
1	7,36	32,10
1,25	10,23	49,66
2,33	16,06	58,87.

Dass der freie Magnetismus auf dem Elektromagnete sehr viel geringer ist als auf dem offenen, davon kann man sich sehr leicht über zeugen, indem man dem geschlossenen Magnete eine Magnetnadel nähert die Schwingungsdauer wird nur wenig mehr geändert als bei der Arnüherung an weiches Eisen³).

Magnus, Poggend. Ann. Bd. XXXVIII.
 Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXXXV.
 Über das Verhalten geschlossener Magnete sehe man ferner Dub, Elektromagnetismus.

Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. III. §. 688 ff.

§. 133.

Magnetische Wirkung der Reibungselektricität. Im letzten Paraaphen des zweiten Abschnittes haben wir erwähnt, daß auch der Entdungsschlag der Leydener Flasche, oder der Strom, welcher den einen ektrisierten Konduktor ableitenden Draht durchfließt, magnetische Wiringen zeige. Nachdem wir in diesem Kapitel die magnetischen Wiringen eines konstanten Stromes kennen gelernt haben, ist es leicht, e magnetischen Wirkungen der Reibungselektricität zu charakterisieren id zu zeigen, in wie weit sie mit denen der konstanten Ströme übernstimmen, in wie weit nicht.

Die ablenkende Wirkung auf eine Magnetnadel durch einen Strom on Reibungselektricität hat zuerst Colladon 1) nachgewiesen. Er verband is eine Ende eines Multiplikatordrahtes mit dem Konduktor, das andere it dem Reibzeuge einer Elektrisiermaschine und erhielt dadurch Abnkungen der Magnetnadel in dem einen oder anderen Sinne, je nachm der Strom den Multiplikator in dem einen oder anderen Sinne durchtzte. Die Richtung der Ablenkung war ganz der von Ampère für die blenkung der Nadel durch galvanische Ströme gegebenen Regel gemäß.

Durch die gewöhnliche Entladung einer Leydener Flasche konnte blladon keine Ablenkung der Nadel hervorbringen, da der Entladungshlag dann nicht den Windungen des Multiplikatordrahtes folgte, sondern ier durch die Windungen ging. Es gelang ihm indes auf folgende Weise ich durch die Entladung der Batterie eine Ablenkung hervorzübringen. as eine Ende des Multiplikatordrahtes wurde mit der äußeren Belegung ner Batterie von 30 Flaschen verbunden und das andere Ende mit einer nen Spitze versehen. Diese wurde isoliert vorsichtig der innern Begung genähert; als dann durch die Spitzenwirkung die Batterie außerlb der Schlagweite geräuschlos entladen wurde, zeigte sich die Abakung der Magnetnadel und zwar der Ampèreschen Regel gemäß nach r einen oder anderen Seite, je nachdem die Batterie positiv oder netiv geladen war.

Anstatt in dieser Weise gelang es Faraday2) durch Einschaltung beutender Widerstände, einer feuchten Schnur oder einer Wasserröhre eine denkung der Nadel bei der gewöhnlichen Entladung der Batterie in r Schlagweite hervorzubringen. Die Ablenkung war trotz großer Verhiedenheit der Widerstände fast immer bei gleicher Ladung der Batterie eselbe. W. Weber3) hat gezeigt, dass es, um eine Ablenkung der Magnetdel hervorzubringen, nicht erforderlich ist, einen feuchten Leiter in den hließungsdraht einzuschalten, sondern daß auch bei einem rein metalchen Schliefsungsbogen die Nadel abgelenkt wird. Dabei zeigte sich un die eigentümliche Erscheinung, dass die Ablenkung bei gleicher idung der Batterie viel kleiner war, als der Bogen ganz metallisch, als enn in denselben eine feuchte Hanfschnur eingeschaltet war. Als eine

¹⁾ Colladon, Annales de chim. et de phys. T. XXXIII. Poggend. Ann.

²⁾ Faraday, Experimental researches III. Reihe art. 363—368. Poggend. n. Bd. XXIX.

³⁾ W. Weber, Elektrodynamische Massbestimmungen. §. 14. Leipzig 1846.

Batterie von vier Flaschen durch eine feuchte 4 mm dicke und 320 mm lange Hanfschnur entladen wurde, trat eine Ablenkung von 55 ein, als statt der feuchten Schnur ein 230 m langer Draht von Neusilber, dessen Dicke 0,3 mm betrug, eingeschaltet wurde, betrug die Ablenkung nur 7.

Bei Anwendung feuchter Leiter ist die Ablenkung der Magnetnadel nach den Versuchen von Faraday und Riess1) unabhängig von der Größe der eingeschalteten Widerstände, ferner unabhängig von der Dichtigkeit der entladenen Elektricität und nur abhängig von der entladenen Elektricitätsmenge, der sie nach einem Versuche Faradays proportional m setzen ist. So fand Riess die Ablenkung eines Galvanometers stets gleich 27, mochte er die Elektricitätsmenge aus 10, aus 7 oder aus 1 Flasche entladen, mochte er eine Wasserröhre oder einen feuchten Baumwollenfaden einschalten. Es kann daher das Galvanometer zur Messung der Elektricitätsmenge, welche entladen wird, benutzt werden. W. Weber hat zu diesem Zwecke das Galvanometer bei Einschaltung feuchter Widerstände und Oettingen3) selbst bei einem sehr langen rein metallischen Schließungsbogen benutzt, für welchen Koosen4) nachgewiesen, daß auch dort das oben angeführte Gesetz der Ablenkung gilt. In welcher Weise solche rasch verlaufende Ströme mit dem Galvanometer gemessen werden können, werden wir im nächsten Kapitel zeigen.

Aus der Ablenkung der Magnetnadel durch den Strom der Reibungselektricität folgt schon ohne weiteres, daß dieser Strom auch imstande ist, Eisen oder Stahlnadeln zu magnetisieren. Die ersten unzweidentigen Beobachtungen solcher Magnetisierungen rühren von Arago⁵) und Davy⁶) her. Arago magnetisierte Stahlnadeln, indem er durch die sie umgebende Spirale eine Anzahl elektrischer Funken schlagen ließ; Davy magnetisierte dieselben durch den Entladungsschlag einer Leydener Batterie, indem er die Nadeln unter den Schliefsungsdraht und zu demselben senkrecht legte.

Die Richtung der Pole war der Ampèreschen Theorie gemäß.

Das ist jedoch, wie zuerst Savary 7) gezeigt hat, nicht immer der Fall, weder wenn man die Nadeln nach der Methode von Davy magnetisiert, noch wenn man den Entladungsschlag der Batterie durch eine

Magnetisierungsspirale gehen läßt.

Magnetisiert man die Nadeln nach der Methode von Davy, so hängt die Richtung der Magnetisierung ab von der Entfernung der Nadel von dem Strome, von der Stärke des Stromes und von der Stahlsorte, aus der die Nadeln bestehen. Liegen die Nadeln unmittelbar am Schließungsdrahte, so werden sie immer normal magnetisiert, in einer gewissen, von der Stärke des Stromes und der Natur der Nadeln abhängigen Entlernung fand sich dagegen sehr häufig eine der Ampèreschen Regel wider sprechende Magnetisierung. So befestigte Savary 25 Nadeln derselber

1) Riess, Reibungselektricität Bd. I. §. 507 - 516.

6) Davy, Gilberts Ann. Bd. LXXI.

²⁾ W. Weber u. Kohlrausch, Elektrodynamische Maßbestimmungen. §. 7 fl

³⁾ Oettingen, Poggend. Ann. Bd. CXV.
4) Koosen, Poggend. Ann. Bd. CVII.
5) Arago, Moniteur universel 10. November 1820. Riess, Reibungselektri-Bd. I. §. 517. cität.

⁷⁾ Savary, Annales de chim. et de phys. T. XXXVI.

langsamer wächst als das Quadrat der Stromstärke, aber rascher als die Stromstärke selbst. Auch dann, wenn man zur Vermeidung des ungleichartigen Abreißens kugelförmige Anker anwendet, läßt sich kein weiteres Gesetz erkennen wie unter andern folgende Beobachtungen von Dub zeigen:

romstärke	Trag	gkraft
-	Durchmesser der Kugel 40,5 mm	Durchmesser der Kugel 20,25 mm
1	0,3	0,09
2	0,7	0,21
3	1,25	0,45
4	1,6	0,65
6	2,8	0,95
8	4,6	1,5
12	7,4	2,6.

Ähnliches zeigt sich bei Anwendung anders geformter Anker, jedoch so, dass für jeden Anker die Tragkraft einen besonderen Wert hat.

Für die Tragkraft von Hufeisenmagneten, wenn dieselben durch einen Anker verbunden werden und dieser abgerissen wird, nahm man früher an 1), dass dieselbe rascher zunehme als die Stromstärke oder die magnetisierende Kraft. v. Waltenhofen hat indes gezeigt 2), dass eine solche Zunahme der Tragkraft nur bei sehr geringen Stromstärken eintritt, dass mit steigender Stromstärke die Tragkraft sehr bald langsamer wächst als die Stromstärke und sich einem Maximum nähert, welches schon erreicht wird, wenn nach der Bezeichnung Dubs in dem nicht mit dem Anker versehenen Magnete die beginnende Sättigung noch nicht erreicht ist. Es ergiebt sich das unter andern aus folgender Versuchsreihe an einem hufeisenförmig gebogenen Eisenstabe von 18,1 cm Länge und 1 cm Durchmesser.

Stromstärke	Moment des nngeschlossenen Hufeisens p	$\frac{p}{s}$	Tragkraft T	$\frac{T}{s}$
16,29	3,01	0,194	1,97	0,121
28,11	5,57	0,198	4,17	0,148
35,29	6,79	0,192	4,92	0,139
89,35	17,78	0,199	10,27	0,115
130,01	24,85	0,191	11,37	0,087
246,53	51,39	0,208	14,42	0,058

Wie man sieht, nimmt schon von der zweiten Beobachtung an die Tragkraft sehr viel langsamer zu als die Stromstärke.

Man sehe Dub, Elektromagnetismus S. 137 ff. Wiedemann, Galvanismus Bd. II. S. 402 ff.

²⁾ von Waltenhosen, Sitzungsberichte der Wiener Akademie Bd. LXI.

obachtet, indes schrieb man stets die beobachte Eisengehalte der betreffenden Substanzen zu. Ei nicht weiter verfolgte Beobachtung von Brugma in dieser Weise erklärt werden; er untersuchte d der Körper, indem er dieselben in Papierschiffel oder Quecksilber schwimmen ließ. Dabei zeigt wegen Eisengehaltes von dem Pole eines kräfti wurden, daß einige sich ganz indifferent verhielt. Wismut von beiden Polen eines Magnetes abgest

Diese und viele andere Beobachtungen blie oder wurden, wie erwähnt, dem Eisengehalte der geschrieben²), bis Faraday im Jahre 1845 den Nacht webben gegen den Magnet indifferenten K. Verhalten gegen die Magnete teilen sich die Esuchen in zwei große Gruppen, in die magneti sie später nannte, die paramagnetischen und die verhalten sich wie das Eisen, sie werden von eletztere verhalten sich im allgemeinen wie das W. Brugmanns, sie werden von dem Magnete abges

Zur Aufstellung dieser Versuche bedarf es it tiger Elektromagnete; Faraday wandte zu seine Plückerschen an Dimensionen ungefähr gleichen ab bedarf es aber zu den Versuchen nicht, es reich eirea 400 mm Länge und 25 mm Dicke hin, welch auf welcher sie stehen, zu einem Hufeisenmagn selben werden ihrer ganzen Länge nach mit vielt Kupferdrahtes umwunden.

Auf die nach oben gewandten Polffächen de Aufsätze gelegt, ähnlich wie die bei dem Plücke benen, sogenannte Halbanker, welche wie Fig. 2



gewandten Seiten zug magnetische Wirkung Anker, in das sogena ten Substanzen nur vor Spitzen a und b auss

suchen wendet man einfach parallelepipedische o zugeschärfte Anker an. Sehr bequem zu diesen

Rühmkorffsche Elektromagnet.

Da die magnetische Wirkung auf die meisten ist, so ist es zu ihrer Wahrnehmung erforderlich lichst leicht beweglich zu machen. Man hängt sie Seidenfäden, Coconfäden auf, entweder in leicht besser noch, um jeden allenfallsigen Einflus de hängevorrichtung zu vermeiden, indem man aus Coconfadens eine Schlinge bildet.

Brugmanns, Magnetismus seu de affinitatibus Leyden 1778.

Man sehe von Feilitzsch, Galvanische Ferne
 Faraday, Experimental researches series X

Um zu verhindern, das Luftströmungen den untersuchten Substanzen eine Bewegung erteilen, umgiebt man das Magnetfeld mit einem Glaskasten, indem man entweder bei kleineren Apparaten den ganzen Elektromagnet in einen solchen einschließt, oder nur die Pole mit einem solchen umgiebt. Plücker¹) hat zu dem Ende an seinem großen Elektromagnete einen Tisch angebracht (Fig. 262 TT), welcher, an zwei Stellen durch-

bohrt, die Polenden des Elektromagnets durchläfst. Der Tisch ist auf dem Stative des Elektromagnets befestigt und kann höher oder tiefer gestellt werden. Auf den Tisch wird der Glaskasten k gestellt, so dass die Polflächen des Magnets sich in demselben befinden. Die Deckplatte des Kastens ist durchbohrt; auf die Durchbohrung ist in einer Holzfassung eine Röhre r gesetzt, welche oben in einer Messingfassung befestigt einen horizontalen Stift trägt; von diesem hängt der Coconfaden herab, welcher den zu untersuchenden Körper trägt. Durch Drehung des Stiftes kann der Faden auf- und abgewunden und so die zu untersuchende Substanz gehoben und gesenkt werden.

Hängt man nun ein Eisenstäbchen d an den Coconfaden zwischen die zugespitzten Halbanker des Magnets, und leitet



dann durch die denselben umgebenden Windungen einen Strom, so wird das Eisenstübchen sofort zum Magnet und stellt sich so, dass seine Längsrichtung sich in der Verbindungslinie der beiden Pole befindet. Ebenso stellt sich ein Stäbchen von Kobalt oder Nickel; sie richten sich von Pol zu Pol oder stellen sich, wie Faraday es nennt, axial.

Bringt man an die Stelle des Eisenstäbehens ein solches von Wismut, so ist die Erscheinung eine andere²); sobald der Magnet erregt ist, stellt sich dasselbe mit seiner Längsaxe senkrecht zur Verbindungslinie der beiden Pole, oder wie Faraday es nennt, äquatorial, und kommt nach einigen Schwingungen in dieser Lage zur Ruhe; entfernt man es aus dieser Lage, so kehrt es in dieselbe zurück. Dabei dreht sich das Stäbehen, wenn es nicht in dieser Lage ist, jederzeit so, das seine Enden den kleinsten Winkel beschreiben, um in diese Lage zu gelangen; jedes Ende des Stäbchens kann sich also an jeder Seite der die Pole des Mag-

¹⁾ Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXII.

²⁾ Faraday, Experimental researches ser. XX. Poggend. Ann. Bd. LXIX.

nets verbindenden Linie befinden, und welches an der einen oder anderen Seite sich befindet, hängt nur von der Lage des Stäbchens vor Erregung des Magnetismus ab. Auch eine Umkehrung der Pole des Magnets bringt darin keine Änderung hervor, das Stäbchen bewegt sich immer auf dem kürzesten Wege in die äquatoriale Lage.

Aus diesem Versuche sind wir zu schließen berechtigt, daß von beiden Magnetpolen auf das Wismutstäbchen eine abstoßende Kraft ausgeübt wird, wie auf das Eisen eine anziehende, denn es ergiebt sich aus demselben, daß das Wismut sich stets möglichst weit von den Magnetpolen zu entfernen sucht, es strebt, wie Faraday sich ausdrückt, von Stellen stärkerer zu Stellen schwächerer magnetischer Wirkung sich m bewegen. Steht das Stäbchen äquatorial, so geht die Richtung der abstoßenden Kraft durch die Drehungsaxe selbst und kann deshalb keine Drehung des Stäbchens hervorbringen.

Von dem Vorhandensein dieser abstoßenden Kraft kann man sich auch direkt überzeugen; ist nämlich die Drehungsaxe des Stäbchens in der axialen Linie, aber näher bei dem einen als bei dem anderen Pole, so stellt sich das Stäbchen ebenfalls äquatorial, zugleich aber weicht der Schwerpunkt des Stäbchens von dem Pole zurück und bleibt abgestoßen, so lange der Magnet in Thätigkeit bleibt. Genau dasselbe findet statt, wenn man das Stäbchen dem anderen Pole näher bringt.

Befindet sich der Drehpunkt des Stäbchens in der äquatorialen Linie, also gleich weit von den Polen, aber seitlich aus der axialen Linie entfernt, so stellt sich das Stäbchen ebenfalls äquatorial, zugleich wird es aber parallel derselben abgestoßen, es entfernt sich weiter von der axialen Linie, und bleibt in der abgelenkten Lage.

Wendet man anstatt des Stäbchens eine kleine Kugel oder einen Würfel von Wismut an, so kann nach dem Vorigen keine Richtung desselben eintreten, dagegen läßt sich die Abstoßung sehr leicht beobachten. Ist der Würfel einem Pole näher als dem anderen, so wird er parallel der axialen Linie abgestoßen; ist er gleich weit von beiden Polen entfernt befindet sich aber seitlich von der axialen Linie, so wird er weiter von derselben entfernt, also im Magnetfeld seitlich verschoben. Es folgt somit, daß er gleichzeitig von beiden Magnetpolen mit gleicher Stärke abgestoßen wird.

Man kann die Erscheinungen auch von einem einzelnen Pole erhalten, auch hier zeigt sich bei einem Stäbchen die Ablenkung in die äquatoriale Stellung, bei Kugeln die Abstofsung.

Wismut verhält sich demnach gerade entgegengesetzt wie Eisen während letzteres von jedem genäherten Magnetpole angezogen wird, wird Wismut von demselben abgestoßen; um diese magnetische Wirkung von der bisher betrachteten zu unterscheiden, nennt Faraday sie diamagnetisch, und die Eigenschaft des Wismuts Diamagnetismus.

In ähnlicher Weise untersucht fanden Faraday 1) und andere fast alle Substanzen magnetisch oder diamagnetisch. Von den Metallen fanden sich magnetisch:

¹⁾ Faraday, Experimental researches ser. XX. Poggend. Ann. Rd LXX II. Bd. LXX, ser. XXIII. Bd. LXXXII. ser. XXV. Erganzungsband III.

Eisen, Nickel, Kobalt, Platin, Palladium, Titan, Mangan, Chrom, Cerium, Osmium.

Diamagnetisch und zwar mit absteigender Stärke:

Wismut, Antimon, Zink, Zinn, Kadmium, Quecksilber, Blei, Silber, Kupfer, Gold, Arsen, Uran, Rhodium, Iridium, Wolfram.

Von den festen Metalloiden sind ebenfalls diamagnetisch:

Phosphor, Schwefel, Tellur, Jod.

Die Oxyde und Salze des Eisens, Nickels und Kobalts zeigten sich mit Ausnahme des Ferrocyankaliums, welches diamagnetisch ist, magnetisch, ebenso die meisten Verbindungen des Platin, Titan, Osmium, ferner die meisten Verbindungen von Mangan und Cerium. Von Chrom ist das Oxyd magnetisch, die Säure diamagnetisch; Bleisuperoxyd und Mennige sind ebenfalls magnetisch; außerdem Papier, Tusche, Berliner Porzellan, Flußspat, Turmalin u. a. m.

Manche Verbindungen der magnetischen Metalle sind diamagnetisch, so Platinchlorid, Ammonium-Platinchlorid, ebenso auch Palladiumchlorid, auch fast alle Oxyde und Verbindungen der diamagnetischen Metalle, aufser Silbersuperoxyd und Kupferoxyd, sind diamagnetisch; ferner Eis, eisenfreies Glas, so insbesondere Faradays Flintglas, tierische Fette, Fleisch, Holz, Elfenbein, Leder u. a. m.

Auch die Flüssigkeiten werden von den Magneten affiziert; zur Untersuchung derselben wandte Faraday eine Glasröhre von der Form Fig. 263 an, deren äquatoriale oder axiale Stellung zwischen den Magnet-



polen, nachdem der Magnetismus der leeren Röhre bestimmt war, den Diamagnetismus oder Magnetismus der eingeschlossenen Flüssigkeit nachwies. Plücker¹) legte auf die Halbanker Fig. 264 und 265 Glimmerblätter oder Uhrglüser, in welche die zu untersuchende Flüssigkeit gebracht war.

Wenn die Flüssigkeit magnetisch war, erhoben sich über den Magnetpolen zwei Wülste a und b, während bei den diamagnetischen Flüssigkeiten sich ein Wulst zwischen den beiden Polen c Fig. 265 bildete. Die
Bildung der Wülste ergiebt sich unmittelbar daraus, dass die freie Oberfläche einer Flüssigkeit stets normal sein muss zu den auf sie wirkenden
Kräften.

Nach diesen Versuchen zeigt sich das Wasser ziemlich stark diamagnetisch; trotzdem sind konzentrierte Lösungen der magnetischen Verbindungen des Eisens, Eisenchlorid, Eisenchlorür, Eisenvitriol, des Nickels u. s. f. magnetisch. Sind die Lösungen verdünnt, so überwiegt der Diamagnetismus des Wassers. Die Lösungen der diamagnetischen Salze sind ebenfalls diamagnetisch; ebenso die Lösungen der Salze der Alkalien und Erden; ferner Alkohol, Äther, Schwefelsäure, Salpetersäure, Blut, Milch, geschmolzenes Wachs etc.

¹⁾ Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.

Die soeben gemachten Angaben über den Magnetismus oder Diamagnetismus der Körper, d. h. über ihre Anziehung und Abstoßung von den Polen der Magnete gelten nur, wenn man das Verhalten derselben in der Luft untersucht, nicht aber, wenn das Magnetfeld mit einer Flüssigkeit ausgefüllt ist¹). Befindet sich nämlich eine magnetische Substam in einer Flüssigkeit, welche stärker magnetisch ist als sie selbst, so verhält sie sich diamagnetisch, befindet sich eine diamagnetische Substanz in einer Flüssigkeit, welche stärker diamagnetisch ist, so verhält sie sich magnetisch.

Die zu den Versuchen mit Flüssigkeiten benutzte Röhre wurde bermetisch verschlossen und dann zwischen den Magnetpolen aufgehängt. Sie stellte sich äquatorial. Dann wurde in das Magnetfeld ein mit Wasser gefülltes Gefäß gebracht und die Röhre in das Wasser eingesenkt, indem ein Wismutwürfel an dieselbe angehängt wurde. Im Wasser stellte die

Röhre sich axial.

Faraday stellte drei Lösungen von Eisenvitriol her, deren Prozentgehalt sich wie 16 zu 4 zu 1 verhielt. Drei Glasröhren wurden mit den Lösungen gefüllt, sie stellten sich axial; ebenso stellten sie sich in Wasser oder Alkohol, und zwar mit noch größerer Kraft axial. Anders indes, als die Röhren in die verschiedenen Eisenlösungen gesenkt wurden. Die mit 16 prozentiger Lösung gefüllte Röhre war in der 1 prozentigen und 4 prozentigen ganz entschieden magnetisch, sie stellte sich axial. In der 16 prozentigen Lösung dagegen verhielt sie sich ganz indifferent, sie nahm durchaus keine bestimmte Stellung ein. In einer Umgebung, welche ebenso stark magnetisch ist, als er selbst, verhält sich also ein Körper ganz unmagnetisch. Dasselbe zeigte sich bei den andern Röhren; in den konzentrierteren Lösungen waren sie diamagnetisch, in der gleichen indifferent, in der verdünnteren magnetisch.

Dasselbe zeigt sich, wenn man die Anziehungen oder Abstofsungen untersucht, welche eine Substanz in verschiedenen Umgebungen von einem Magnetpole erfährt. Wurde eine der Röhren so aufgehängt, daß ihre Längsrichtung vertikal war, so wurde sie in der Luft oder im Wasser. oder in verdünnterer Lösung von dem Magnetpole angezogen, in konzentrierterer Lösung dagegen von demselben abgestofsen. Plücker2) hat dies sehr deutlich durch folgenden Versuch nachgewiesen. Auf den Polseines großen Elektromagnets wurde ein unten durch ein Glimmerblatt verschlossenes Lampenglas gestellt, und in dieses eine mit einem Faden an einer Wage befestigte Wismutkugel gelegt. Durch auf die Wagschalen gelegte Gewichte wurde die Kugel so äquilibriert, dass sie, wenn der Magnetismus erregt war, gerade eben das Glimmerblatt berührte. Wurde der Strom unterbrochen, so wurde, da die Abstofsung aufhörte, die Kugel schwerer, und es mussten auf der einen Wagschale Gewichte zugelegt werden, um die Kugel wieder wie vorher zu äquilibrieren. Diese Gewichte waren, als 8 Grovesche Elemente den Magnet erregten und das Lampenglas enthielt

Luft, 785 mg; Wasser, 745 mg; Eisenchlorid, 885 mg.

Faraday, Experimental researches series XXI. art. 2362 ff. 2400 ff.
 Poggend. Ann. Bd. LXX.
 Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXVII.

Diese Gewichte messen die abstofsende Kraft, sie zeigen, daß im diamagnetischen Wasser die Abstofsung am kleinsten, in dem magnetischen Eisenchlorid am größten ist. Es zeigt sich hier somit etwas dem archimedischen Princip Analoges; wie ein in Wasser getauchter Körper an Gewicht verliert, ja selbst wenn er specifisch leichter ist als das Wasser, in die Höhe getrieben werden kann, so auch verliert ein magnetischer Körper in magnetischen Flüssigkeiten an Magnetismus und kann selbst diamagnetisch werden. Ja die Analogie mit dem archimedischen Princip geht nach den Versuchen von E. Becquerel 1) so weit, dass die magnetische Anziehung eines Körpers in einer magnetischen Umgebung gerade so viel sich ändert, als die magnetische Anziehung oder Abstofsung der Flüssigkeit beträgt, welche er aus der Stelle drängt. Becquerel hing zwischen den Polen eines Elektromagnets Stäbchen von Wachs oder Schwefel an dem Faden einer Torsionswage auf und gab durch Torsion des Fadens dem Stäbchen eine gewisse Neigung gegen die äquatoriale Lage. Dann wurde der Magnetismus erregt und die Torsion des Fadens beobachtet, welche das Stäbchen wieder in die frühere Gleichgewichtslage brachte, wenn es sich in der Luft befand oder in verschiedenen Flüssigkeiten. Auf diese Weise ergaben sich die Abstofsungen des

	Schwefelstäbchens	Wachsstäbchen
in Luft	0,9038	0,3485
in Wasser	0,1004	-0,2647
in konz. Lösung von		100000
Chlormagnes.	-0,0649	-0,3816
von schwefels. Nicke	2,6060	1,6733.

Das negative Vorzeichen bedeutet Anziehung. Ist das angegebene Gesetz richtig, so muß die in den Flüssigkeiten beobachtete Abstoßung gleich der Differenz zwischen der Abstoßung des Körpers und des verdrängten Flüssigkeitsvolumens sein. Ist demnach A_s die Abstoßung des Schwefelstäbchens in der Luft, A_w die Abstoßung des gleichen Volumens Wasser, so ist

$$A_s - A_w = 0,1004;$$
 $A_w = A_s - 0,1004.$

So berechnet müssen, wenn das Gesetz richtig ist, die in beiden Reihen für die verschiedenen Flüssigkeiten erhaltenen Werte einander proportional sein. Daß das in der That der Fall ist, zeigen folgende Zahlen, in welchen in jeder Reihe die Abstoßung des Wassers $A_w = 10$ gesetzt ist, es ist

beim	Schwefel	beim	Wachs
A_w	10		10
Amagn.	12,06	3	10,91
Ani	21,19	-	21,60.

Das negative Vorzeichen bei A_{ni} beweist, daß die Nickellösung magnetisch ist. Das Gesetz wird also durch diese Versuche bestätigt.

Zur Untersuchung, ob die Gase magnetisch oder diamagnetisch sich

¹⁾ Becquerel, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XXVIII.

verhalten, müssen, wenn man die Versuche nicht in einem luftleeren Raume anstellt, ganz besondere Vorsichtsmaßregeln angewandt werden Ist die Luft selbst magnetisch oder diamagnetisch, so wird man bei Versuchen in der Luft nach dem soeben bewiesenen Gesetze nur finden, de die andern Gase es in einem höhern oder weniger hohen Grade sind als Die bisher angegebenen Methoden können deshalb nicht zu Untersuchung der Gase dienen, und deshalb gelang es Faraday auch afangs nicht, magnetische Eigenschaften bei den Gasen zu entdecken. Bak gelang es jedoch Faraday 1) sowie Plücker 2) zu gleicher Zeit, nachzuweisen dass auch die Gase magnetische Eigenschaften haben. Plücker zeigte e für farbige Gase, indem er einen Strom derselben zwischen den Poles des Elektromagnets aufsteigen liefs; waren die Gase diamagnetisch, se wurde der Strom in äquatorialer Richtung verbreitert und selbst in wei zu beiden Seiten der axialen Linie aufsteigende Ströme geteilt. Bei Gasa, welche stärker magnetisch sind als Luft, wird der Strom in axialer Richtung verbreitert. Faraday untersuchte auch ungefärbte Gase, indem er in die Mündung der etwas unter den Polen befindlichen Röhre, aus welche das Gas ausströmte, ein mit etwas Salzsäure befeuchtetes Fließpapier brachte, so dass die Gase mit ganz wenig salzsaurem Dampse gemisch wurden. In einiger Entfernung über den Polen brachte er Fangröhre an, dünne, ungeführ fingerlange, an beiden Enden offene Röhren, welch vertikal an einem Gestelle befestigt waren, eine an jeder Seite der axiale Linie, eine in der axialen Linie. Die untern Enden der Röhren wurde mit etwas Ammoniak befeuchtet. In jenen Röhren, durch welche des Gas hindurchging, bildeten sich dann weiße Dämpfe; ist das Gas dismagnetisch, so entstehen in den seitlichen Röhren, ist es magnetisch, is der axialen Röhre die weißen Dämpfe. Auch mit Seifenblasen lasse sich die Versuche anstellen; Seifenwasser ist schwach diamagnetisch, den eine mit Luft gefüllte Blase wird von den Polen abgestoßen. Mit Gaset gefüllt, welche magnetischer sind als Luft, wird sie daher weniger stark mit solchen, welche diamagnetischer sind, stärker abgestoßen als de Luftbfase³).

Auf diese Weise untersucht, fand sich von allen Gasen nur der Sausstoff magnetisch, also magnetischer als die Luft; alle übrigen untersuchte



Gase zeigten sich diamagnetisch, auch Wasserdampf und Quecksilberdampf. Wie die Gase verhalten sich auch die Flammen. Die Flamme einer Stearinkerze z. B. zwischen die Magnetpole gebracht, dass die Spitzen der Halbanker mit dem Docht in gleicher Höhe sich befürden, nimmt die Gestalt Fig. 266 an, wenn man sie wirder Seite, den Magnetpolen, her betrachtet. Sie wir also parallel der äquatorialen Richtung sehr stark wer

breitert. Ebenso werden Flammen von Alkohol, Terpentinöl und ander parallel der äquatorialen Richtung auseinandergezogen⁴).

Faraday, Philosoph. Magazin vol. XXXI. 1847. Poggend. Ann. Bd. LXXII.
 Piücker, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.

³⁾ Faraday, Experimental researches ser. XXV. Poggend. Ann. Ergänsmeband III. Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.
4) Bankalari, Zantedeschi, Faraday, Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXI

Aus der in diesem Paragraphen gegebenen Übersicht über die magnetischen und diamagnetischen Substanzen ergiebt sich, daß sich bis jetzt keine allgemeinen Kennzeichen aufstellen lassen, welche von vornherein mit Sicherheit angeben lassen, welche Körper magnetisch, welche diamagnetisch sind, daß man nicht einmal allgemein aus dem Magnetismus eines Elementes auf jene seiner Verbindungen schließen kann.

§. 135.

Diamagnetische Polarität. Aus den im vorigen Paragraphen mitgeteilten Erfahrungen ergiebt sich, dass der Einwirkung eines Magnets nicht nur die wenigen sogenannten magnetischen Metalle, Eisen, Nickel und Kobalt, sondern alle Substanzen unterworfen sind, daß sich aber die Substanzen in zwei große Gruppen teilen, deren eine wie das Eisen von dem Magnete angezogen wird, während die andere von demselben abgestoßen wird. Das Verhalten der ersten Gruppe, welches ganz mit dem des Eisens übereinstimmt, bedarf wohl keiner weiteren Erörterung, es hat seinen Grund einfach darin, dass alle diese Substanzen temporär zu Magneten werden. Anders ist es mit dem Verhalten der diamagnetischen Substanzen, welche von jedem Pole des Magnets abgestoßen werden. Wenn man indes erwägt, dass auch bei zwei Magneten sich eine Abstolsung zeigt, wenn dieselben ihren gleichnamigen Pol einander zukehren, so wird man leicht zu der Ansicht geführt, dass die diamagnetische Abstosung darin ihren Grund hat, dass in den diamagnetischen Substanzen unter dem Einflusse des Magnets ebenfalls ein polarer Zustand entsteht, jedoch so, dass der Nordpol einen Nordpol, der Südpol einen Südpol erregt. Diese Ansicht war es auch, welche Faraday1) sofort über die diamagnetischen Erscheinungen sich bildete, er meint, dass beide Gruppen im Magnetfelde magnetisch würden, und jedes Teilchen seine Axe parallel der durch sie hingehenden magnetischen Resultante stelle, mit dem Unterschiede jedoch, daß die Teilchen des magnetischen Körpers ihre Nord- und Südpole den entgegengesetzten Polen des induzierenden Magnetes zuwendeten, die Teilchen des diamagnetischen aber es umgekehrt machten.

Diese Theorie hat Faraday selbst zwar später²) wieder verlassen, um sie mit einer eigentümlichen, seinen Ansichten über die Elektrisierung durch Influenz analogen Theorie zu vertauschen. Indes ist die diamagnetische Polarität schon sofort nach Beobachtung der diamagnetischen Erscheinungen so deutlich und wiederholt nachgewiesen, und später von W. Weber auch theoretisch begründet worden, das es überflüssig sein wird, auf andere Theorieen³) weiter einzugehen.

Der erste Nachweis, daß die diamagnetische Abstoßung daher rührt, daß in den betreffenden Substanzen durch einen angenäherten Magnetpol

¹⁾ Faraday, Experimental researches ser. XXI. art. 2429. Poggend. Ann. Bd. LXX.

²⁾ Faraday, Experimental researches ser. XXII. art. 2497. Poggend. Ann. Ergänzbd. III. ser. XXIII. Poggend. Ann. Bd. LXXXII. ser. XXVIII u. XXIX. Philosophical Transactions for 1852. Poggend. Ann. Ergänzbd. III.

³⁾ Man sehe die Theorie von v. Feilitzsch, Poggend, Ann. Bd. LXXXII, LXXXVII und XCII.

ein gleichnamiger Pol erregt wird, ist von Reich¹) geliefert worden. An der Drehwage, welche zu den Versuchen über die Dichtigkeit der Erde gedient hatte, wurde eine Wismutkugel aufgehängt und derselben ein Magnetpol genähert; die Kugel wurde abgestoßen. Darauf wurde der Kugel gleichzeitig und von derselben Seite ein Nordpol und ein ebense starker Südpol genähert. Die Kugel wurde nicht mehr abgestoßen, obwohl es nur einer Kraft von 0,0001 mg an der Kugel bedurfte, um die selbe merklich abzulenken. Eine Wiederholung dieses Versuches va Tyndall²) mit Elektromagneten ergab dasselbe Resultat; zwei cylinder förmige Elektromagnete wurden an dem einen Ende umgebogen, so das die zu Halbeylindern abgeschliffenen Enden sich fast berührten und asammen einen Cylinder von der Dicke der Elektromagnete bildeten. Ver denselben und durch ein dunnes Glasplättchen davon getrennt, war ein Wismutstübchen so an einem Coconfaden horizontal aufgehängt, das a sich um eine vertikale, durch seine Mitte gehende Axe drehen konnta, und dass sein eines Ende gerade vor den Polen hing. Wurde nun einer der Elektromagnete oder beide so erregt, dass die an einander liegenden Enden gleichnamige Pole erhielten, so wurde das Wimutstäbehen abgelenkt, wurden aber beide Magnete so erregt, dass die zusammenliegenden Enden ungleichnamige Pole erhielten, so wurde es nicht abgelenkt.

Aus diesen Versuchen ergiebt sich, dass jenes Ende eines Wismatstäbchens, welches von dem Nordpole abgestoßen wird, von dem zugleich wirkenden Südpole angezogen wird und umgekehrt. Daraus folgt, das der Nordpol in dem ihm zugewandten Ende des Stäbchens einen Nordpol,

der Südpol einen Südpol erzeugt.

Noch direkter haben dies Poggendorff³) und W. Weber⁴) gezeigt W. Weber stellte in der Nähe einer an einem Coconfaden hängenden leichten Magnetnadel einen kräftigen Hufeisenmagnet auf, so dass die durch die Pole desselben gelegte Vertikalebene den Aufhängefaden der Nadel aufnahm. Die Nadel wurde durch die Wirkung des Magnets sehr stark abgelenkt; die Ablenkung wurde dadurch kompensiert, dass von der anden Seite der Nadel ein Magnet genähert wurde. Darauf wurde zwischen die Magnetpole ein Stück Wismut gelegt, und die Nadel wurde wieder ab gelenkt, und zwar so, als wenn der der Nadel nächste Pol verstärkt worder Auch daraus ergiebt sich, dass die diesem Pole zugewandte Seite mit demselben die gleiche Polarität erhalten hatte. Vertauscht man de Wismutstück mit einem Eisenstück, so ist die Ablenkung der Nadel, well das Eisen die entgegengesetzte Polarität annimmt, entgegengesetzt.

Poggendorff hat die Polarität des Wismut dadurch nachgewieset dafs er einem Wismutstäbehen, welches neben einem Nordpole eines kräftigen Elektromagnets in äquatorialer Lage hing, von derselben Seite he den Südpol eines Stahlmagnets näherte; es ergab sich, dals die dem Nordpol des Elektromagnets zugewandte Seite des Stäbchens unzweidente

von dem genüherten Südpole angezogen wurde.

¹⁾ Reich, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.
2) Tyndall, Philosophical Transactions for 1855.

Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.
 W. Weber, Poggend. Ann. Bd. LXXIII.

Außerdem haben Plücker, Tyndall und W. Weber auch nachgewiesen, daß ein Wismutstab in einer Magnetisierungsspirale Polarität annimmt,

aber eine dem Eisen entgegengesetzte Polarität.

Plücker1) wand zwei gleiche hohle Spiralen von 5 mm dickem Kupferdraht, 120 mm lang und 26 mm innerem, 52 mm äußerem Durchmesser. Die beiden Spiralen wurden senkrecht über einander gestellt, in die untere ein Eisencylinder von 130 mm Länge und 5 mm Dicke gestellt, in die obere ein Wismutstab von 80 mm Länge und 15 mm Dicke hineingebracht, welcher an dem einen Arme einer Wage aufgehängt und durch auf die andere Wagschale gelegtes Schrot äquilibriert war. Wurde dann der Magnetismus des Eisens erregt, so wurde das Wismutstäbchen abgestoßen; die Abstolsung wurde dadurch aufgehoben, daß von dem Schrot auf der andern Seite so viel fortgenommen wurde, dass das untere Ende des Wimutstäbehens wieder wie vorher 2 mm von dem oberen Ende des Eisenstabes entfernt war. Dann wurde auch durch die den Wismutstab umgebende Spirale ein Strom geführt, und sofort war das Gleichgewicht gestört, indem der Wismutstab abgestoßen wurde, wenn der Strom in beiden Spiralen gleich gerichtet, dagegen angezogen wurde, wenn der Strom in beiden entgegengesetzt gerichtet war. Dieser Versuch beweist um so überzeugender das Vorhandensein diamagnetischer Polarität, als bei demselben die Anziehung eines Wismutstäbchens durch den Magnetpol gezeigt ist.

In ganz ähnlicher Weise hat Tyndall²) die Polarität eines Wismutstabes nachgewiesen, indem er den mit einer dicken Magnetisierungsspirale umgebenen Wismutstab zwischen die Pole mehrerer Elektromagnete brachte.

Die ausgedehntesten und wichtigsten Versuche sind diejenigen von W. Weber mit dem Diamagnetometer3), indem er das diamagnetische Moment eines Wismutstabes mit demselben zu messen imstande war. Das Diamagnetometer, in der ihm von Weber zuletzt gegebenen Form4), zeigt Fig. 267. In einem an der Wand des Zimmers befestigten Holzkasten BOB' O' sind zwei Magnetisierungsspiralen HE, H' E' befestigt. Dieselben bestehen aus zwei Lagen von je 230 Windungen Kupferdraht und haben eine Länge von 500mm, einen lichten Durchmesser von 25mm, einen änssern von 35 mm. Sie sind im entgegengesetzten Sinne, die eine links, die andere rechts gewunden, auf zwei Messingröhren gewickelt, welche oben HG, H'G' aus den Spiralen hervorragen. Oberhalb und unterhalb dieser Spiralen sind zwei drehbare Rollen W und W' befestigt, um welche ein endloser Faden ss' s' s gelegt ist, welcher durch die Axen der beiden Spiralen geht. An diesem Faden sind, im Innern der Spiralen, die Stäbe mn und op von der zu untersuchenden Substanz so befestigt, daß sie frei, und wenn beide Stäbe sich in gleicher Höhe befinden, gerade

¹⁾ Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXXVI.

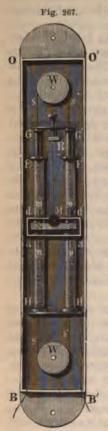
²⁾ Tyndall, Philosophical Transactions for 1855.

³⁾ W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere über Diamagnetismus.

⁴⁾ Tyndall, Philosophical Transactions for 1856. Christie, Poggend. Ann.

in der Mitte der Spiralen schweben. Wenn die Rollen gedreht werden wird der eine Stab gehoben, und der andere um ebensoviel gesenkt.

Die beiden oberen Enden der Messingröhren sind durch eine Brücke G G' verbunden; von derselben hängt an der Aufhängevorrichtung R



durch Coconfäden befestigt der Magnet SN herab, welcher, da die durch die Axe der beiden Spiralen gelegte Ebene jene des magnetischen Meridianes ist, der Ebene der Spiralen parallel ist. Der Magnet ist mit einem Spiegel M versehen, in welchem mit Fernrohr und Skah die Lage des Magnets beobachtet wird. Um die Richtkraft des Magnets zu verkleinern und so seine Schwingungsdauer zu vergrößern, wird in einiger Entfernung von demselben, in derselben Höhe und in der Richtung des Meridians, ein Magnet hingelegt, welcher dem Ende des Magnets SN den gleichnamigen Pol zukehrt. Anstatt dessen verbindet Tyndall mit dem Magnete SN einen zweiten zu einem nahe astatischen System, welcher mit dem ersten in derselben Horizontalebene hinter den beiden Spiralen sich befindet. Der Abstand jedes Magnets von den beiden Spiralen ist so groß, daß sie in ziemlich großen Amplituden frei schwingen können

Die Magnete sind von dem kupfernen Gehäuse da d'a' umgeben, dasselbe hat, wie wir im nächsten Kapitel zeigen werden, einen dämpfenden Einfluss auf die Magnete, d. h. es bewirkt, dass die Schwingungen rasch nach einem bestimmten Gesetze kleiner werden und die Nadel so bald zur Ruhe kommt.

Führt man durch die Spiralen einen Strom, welcher durch die eine, von oben gesehen, im Sinne der Bewegung eines Uhrzeigers, durch die andere im entgegengesetzten Sinne kreist, so erteilt jede Spirale für sich dem Magnete ein Drehungsmoment, welches eins dem anderen aber entgegengesetzt ist. Ist der Apparat vollkommen konstruiert, so müssen diese Momente einander gleich sein, so daß der Magnet nicht abgelenkt wird wenn die Stäbe mn und op beide gleich hoch und so

hängen, dass der Magnet sich vor ihrer Mitte befindet. Das ist indes nicht zu erreichen; um aber doch den Magnet in seiner Gleichgewichtslage zu erhalten, wird der Strom noch durch eine in der Nähe des Kastens befindliche Spirale geleitet, welche so aufgehängt ist, das ihre ablenkende Wirkung jene der Spiralen des Diamagnetometers aufhebt.

Ist diese Kompensation erreicht, so kann man zu den Messungen schreiten. Setzen wir voraus, daß in beiden Spiralen zwei ganz genau einander gleiche Wismutstäbe sich befinden, von etwa 100mm Länge, so wird durch Auf- und Abschieben derselben um ihre eigene Länge die in ihnen erregte diamagnetische Polarität nicht geändert. Dreht man nun die Rolle in dem einen Sinne, so daß etwa das untere Ende des Stabes rechts, das obere Ende desselben links mit dem Magnete NS sich in orleicher Höhe befindet, so wird der Stab durch die Wirkung der bedes

Pole der Diamagnete abgelenkt, und zwar wirken beide Pole in gleichem Sinne. Denn ist das obere Ende des Stabes rechts ein Nordpol, so ist dasselbe des Stabes links ein Südpol, das untere desselben also ein Nordpol. In der eben angegebenen Stellung zieht dann der Pol links den Magnetpol N an, das untere Ende des Stabes rechts stöfst den Südpol ab.

Wird die Rolle umgekehrt gedreht, so muß die Ablenkung die ent-

gegengesetzte werden.

Finden die Ablenkungen in dieser Weise statt, so ist das Vorhandensein der diamagnetischen Polarität bewiesen; um zu zeigen, daß sie derjenigen des Eisens entgegengesetzt ist, kann man die Wismutstäbe mit Eisenstäben vertauschen; bei gleicher Stromesrichtung muß die Ablenkung

entgegengesetzt sein.

Um die ablenkende Kraft der Diamagnete zu messen, muß man die neue Gleichgewichtslage des Magnets beobachten. Die Ablenkung, welche sich zeigt, wenn die Wismutstäbe in der angegebenen Lage gehalten werden, ist nur sehr klein, und deshalb ist ein kleiner Beobachtungsfehler auf das schliefsliche Resultat von bedeutendem Einfluß. Um dennoch genaue Resultate zu erhalten, wendet W. Weber zu den Beobachtungen die Multiplikationsmethode an. Dieselbe besteht in Folgendem. Ist bei der ersten Elongation des Magnets die äußerste abgelenkte Lage erreicht, so werden durch Drehung der Rolle W rasch die Wismutstäbe umgestellt, so dass nach der eben angenommenen Stellung jetzt das obere Ende des rechten, das untere des linken Stabes mit den Magnetpolen in gleicher Höhe ist; dadurch wird die rückkehrende Bewegung des Stabes SN beschleunigt, indem jetzt der untere Nordpol des Wismutstabes links den Pol N abstößt. Dadurch wird die zweite Elongation größer als die erste. Indem man regelmäßig wechselt, erhält der Magnet SN bei jeder Elongation einen neuen Impuls, infolgedessen die Schwingungsweite wächst. Durch die Dämpfung des den Magnet umgebenden Kupfergehäuses wird aber die Schwingung nach einem bestimmten Gesetze gehemmt, so daß die Nadel, wenn sie keine neuen Impulse erhielte, bald zur Ruhe käme. Infolge dieser beiden Wirkungen erhält die Schwingungsweite einen bestimmten Grenzwert, dem sie sich immer mehr nähert, und der erreicht ist, wenn der dämpfende Einfluss der Hülle gleich ist der Verstärkung der Schwingungen infolge der neuen jedesmaligen Impulse. Die Mitte der Schwingungen ist die Gleichgewichtslage des Magnets infolge der Abstoßung durch die Diamagnete. Dieser Grenzwert der Schwingungsweite ist aus einigen Beobachtungen zu berechnen¹), in welcher Weise, das werden wir im nächsten Kapitel andeuten, und daraus auch die Ablenkung des Magnets durch die Wismutstäbe mit großer Genauigkeit

In der angegebenen Weise hat W. Weber gezeigt, dass die Wismutstäbe Polarität annehmen, indem die Ablenkungen in der angegebenen Weise erfolgen; er hat ferner gezeigt, dass die Polarität des Wismuts jener des Eisens entgegengesetzt ist, indem der Sinn der Ablenkungen des Magnets bei Anwendung des Eisens demjenigen bei Anwendung des Wis-

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere Widerstandsmessungen. Beilage C. 2.

muts entgegengesetzt war, und schließlich gelang es ihm, die Polarität des Wismuts mit der eines Eisenstabes gleichen Gewichtes zu vergleichen. Die beiden zu den Versuchen benutzten Wismutstäbe waren 92 mm lang. 16 mm dick und wogen 343500 mg. Die durch dieselben hervorgebracht Ablenkung betrug 5,17 Skalenteile. Ein ebenso langes Eisenstäben, welches 5,8 mg wog, lenkte den Magnet um 128,4 Skalenteile ab. Die Ablenkungen sind den magnetischen Momenten der Stäbe proportions; die durch denselben Strom diesen erteilten magnetischen Momente verhalten sich also wie

128,4:-5,17

oder das Moment des Eisenstäbchens ist dem 24,8 fachen der Wissenstäbe entgegengesetzt gleich. Die Masse des Wisseuts war 59200 mal größer als die des Eisens. Da das Eisenstäbchen ganz bis zur Sättigung magnetisiert war, so würde das magnetische Moment des dem Wissens an Masse gleichen Eisenstabes auch 59200 mal größer sein als das des angewandten Stäbchens, bei gleicher Masse würde also das Moment des Eisens 1470000 mal größer sein als dasjenige des Wismut. Welches Verhältnis sich daraus für die magnetischen Momente gleicher Massen Eisen und Wismut bei der Einheit der magnetisierenden Kraft ergiekt werden wir im nächsten Paragraphen ableiten.

Nachdem auf diese Weise bewiesen war, dass das Verhalten der damagnetischen Körper darin seinen Grund hat, dass diese Substanzen eberfalls polar, aber entgegengesetzt magnetisch wie das Eisen werden, indes dort, wo durch einen Magnet oder eine Magnetisierungsspirale im Eise ein Nordpol, im Wismut ein Stidpol erregt wird, ergiebt sich die Frage. wie denn diese Erscheinung mit der Theorie des Magnetismus bestehet Nach dieser Theorie werden die magnetischen Erscheinungen durch Molekularströme bedingt, welche in den Magneten nach den Gesetzen der Elektrodynamik gerichtet werden. In dieser Weise, das ergiebt sich sofor. lassen sich die diamagnetischen Erscheinungen durchaus nicht erklären Denn mag man annehmen, dass in den magnetischen Substanzen, wie Ampère annahm, die Molekularströme erst erregt werden, oder dass 🕸 schon vorhanden sind, wenn die Moleküle drehbar sind, so werden die selben immer so gelegt werden, dass magnetische und nicht diamagnet sche Polarität entsteht, da nach den Gesetzen der Elektrodynamik immer die Molekularströme in dem Eisen parallel den erregenden Strömen at dreht werden. Aber dennoch lässt sich, wie W. Weber 1) gezeigt hat, die Erscheinung der diamagnetischen Polarität mit der Theorie des Magnetimus vereinigen, wenn man nur die Annahme macht, dass die Molektle des Wismut nicht drehbar sind, dass um die Wismutmoleküle nur in gamt bestimmten nicht drehbaren Bahnen jene Ströme bestehen können, welch ohne Widerstand zu finden, die Moleküle dauernd und so lange umkreisen bis eine äußere Kraft dieselben aufhören macht.

Wie wir im nächsten Kapitel zeigen werden, erregt nämlich jeder entstehende Strom in ihm parallelen und nahen Leitern einen Strom welcher die entgegengesetzte Richtung hat als der entstehende Strom

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Malsbestimmungen, insbesondere übst Diamagnetismus. §. 17 ff.

Dasselbe thut ein Strom, welchen wir einem anderen parallelen Leiter annähern. Ein verschwindender Strom oder ein von einem anderen Leiter sich entfernender Strom dagegen erzeugt in parallelen Leitern einen dem verschwindenden gleichgerichteten Strom. Diese Ströme sind in den Leitern nur von sehr kurzer Dauer, weil sie in dem Leiter einen Widerstand finden und deshalb rasch in Wärme verwandelt werden.

Wenn man demnach um einen Wismutstab eine Magnetisierungsspirale legt und dann durch diese einen Strom sendet, so muß in den die Wismutmoleküle umgebenden, den Strömen der Spirale parallelen Bahnen durch den entstehenden Strom, oder wenn man denselben einen Magnetpol nähert, durch die genäherten Ströme ein Strom induziert werden, welcher die entgegengesetzte Richtung hat als die erregenden Ströme.

Diese Ströme dauern fort, da sie sich in widerstandslosen Bahnen bewegen, sie sind aber nicht drehbar, sondern behalten ihre ursprüngliche Richtung bei. Sie erteilen daher dem Wismutstabe Polarität, welche so lange dauert, als diese Ströme dauern, welche aber der des Eisens in der Spirale oder in der Nähe des Poles entgegengesetzt ist, da die Ströme die entgegengesetzte Richtung haben.

Die durch die genäherten Ströme erregte Polarität muß nach dieser Theorie aber wieder verschwinden, wenn der Magnetpol entfernt wird, oder die Ströme in der Magnetisierungsspirale aufhören, denn der aufhörende oder sich entfernende Strom induziert in den Leitern einen sich gleichgerichteten von derselben Stärke, als der entstehende Strom vorher in entgegengesetzter Richtung induziert hatte. Dieser Strom muß daher den die Wismutmoleküle umkreisenden aufheben und die Polarität desselben vernichten.

Damit stimmt es überein, dass man bisher noch nicht imstande gewesen ist, eine dauernde diamagnetische Polarität nachzuweisen; einige Beobachtungen, welche Plücker¹) eine solche zu beweisen schienen, lassen sich auch in anderer Weise erklären.

Der Nachweis der Polarität in den diamagnetischen Substanzen erklärt nun auch sofort die eigentümliche, im vorigen Paragraphen erwähnte Erscheinung, dass die magnetische Anziehung oder Abstossung einer Substanz wesentlich abhängig ist von der magnetischen Beschaffenheit des

umgebenden Mittels²). Sei, um dieses zu zeigen, M (Fig. 268) ein Magnetpol, vor welchem in dem Mittel AB ein Stäbchen NS schwimme. Nehmen wir an, es werde in dem Stäbchen durch Einwirkung des Poles Polarität in der Richtung NS erregt, und in derselben Weise werde die Polarität in

	n.	sh	sn	5
2	n	SII	s n	5 2 2 2
24	n	SV	SIN	8
M	n	sn	SII	8

den durch die einzelnen Felder dargestellten Molekülen des Mittels erregt. An der Grenze N des Stäbchens liegt dann unmittelbar eine entgegengesetzt magnetische Schicht der Flüssigkeit an. Wenn das Ende N von dem Pole angezogen wird, so wird die Schicht oder Flüssigkeit

¹⁾ Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXXVI. Man sehe Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. III. §. 960.

²⁾ Man sehe Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. III. §. 941.

abgestossen und dadurch ein Druck auf N ausgeübt. Ist die Polarität des Mittels schwächer als die des Stäbchens, so ist der infolge der Abstoßung von s auf N ausgeübte Druck kleiner als die Anziehung, deshalb wird N in der axialen Lage gehalten werden; ist die Polarität in beiden gleich, so wird der Druck gleich der Anziehung, und das Stäbchen wird gar nicht das Bestreben haben, sich zu richten, und ist schließlich die Polarität des Mittels größer, so wird der Druck auf N größer als die Anziehung; sobald das Stäbchen daher nur wenig aus der axialen Lage gedreht ist, muß es infolge dieses Druckes in die äquatoriale Lage sich begeben. Je nach dem magnetischen Zustande des Mittels verhät sich also das Stäbchen magnetisch oder diamagnetisch.

§. 136.

Abhängigkeit des Diamagnetismus von der magnetisierenden Kraft. Die diamagnetische Abstossung ändert sich wie die magnetische Anziehung mit der Größe der magnetisierenden Kraft. Während die magnetische Kraft des Eisens nicht der magnetisierenden Kraft proportional sondern langsamer wächst, schienen die ersten Untersuchungen zu ergeben, daß der Diamagnetismus einer Substanz der magnetisierenden Kraft proportional wächst.

E. Becquerel¹) brachte in der schon im vorletzten Paragraphen beschriebenen Weise zwischen die Pole eines Elektromagnets Stäbchen der muntersuchenden Substanz, indem er sie an dem Silberdraht einer Torsionswage aufhing, so daß sie um die vertikale zu ihrer Längsrichtung senkrechte Axe frei schwingen konnten. Die Stäbchen erhielten, bevor der Magnetismus erregt wurde, durch die Torsion des Fadens eine bestimmte Gleichgewichtslage, welche mit einem Mikroskope beobachtet wurde. Wurde der Magnetismus erregt, so wurde das Stäbchen aus seiner Gleichgewichtslage abgelenkt und dann durch Torsion des Fadens in dieselbe zurückgeführt. Die Torsion des Fadens mißt somit die Stärke der magnetischen Anziehung oder Abstoßung des Stäbchens, wenn es immer in derselben Lage gegen diese Magnetpole sich befindet.

Unter der Voraussetzung, daß das diamagnetische oder magnetische Moment der untersuchten Substanzen der magnetisierenden Kraft M proportional ist, muß die Anziehung oder Abstoßung oder die sie messend Torsion dem Quadrate der magnetisierenden Kraft proportional, oder

$$T = A M^2$$

sein. Bei den gewählten Stromstärken durfte man den Magnetismus der Elektromagnets der Stromstärke proportional oder

$$M = BJ$$

setzen, woraus dann

$$T = CJ^2$$

folgt; das heißt die der magnetischen Anziehung oder Abstoßung ensprechende Torsion muß dem Quadrate der den Magnet erregenden Stromstärke proportional sein. In der That ergeben die Versuche Becquerels dieses Resultat, wie unter andern folgende Zahlen zeigen.

¹⁾ E. Becquerel, Annales de chim. et de phys. III. Ser. T. XXXII.

Stab von weißem Wachs 35 mm lang, 5 mm dick			Stab von Wismut 25 mm lang			
J T $\frac{T}{J^2}$			$oldsymbol{J}$	T	$rac{T}{J^2}$	
1,822	3,42	1,029	1,123	3,20	2,536	
3,447	12,18	1,025	3,937	40,00	2,580	
5,299	28,25	1.012	6.576	110,45	2.544.	

Dasselbe Resultat erhielt Becquerel für magnetische Substanzen, auch ir fein verteiltes Eisen, so dass er daraus allgemein annahm, dass in den amagnetischen und magnetischen Substanzen das erregte magnetische oment der magnetisierenden Kraft proportional wäre. Dass in fein versiltem Eisen das magnetische Moment länger der magnetisierenden Kraft roportional ist als in einem Eisenstabe, das lässt sich leicht erkennen. Venn man z. B. gepulvertes, etwa aus chemisch niedergeschlagenem Oxyd urch Wasserstoff reduziertes Eisenpulver mit Schweineschmalz verreibt und ann der Wirkung eines Magnets aussetzt, so wird jedes Molekül nur durch ie Wirkung des äußeren Magnets magnetisch, die einzelnen Moleküle irken nicht auf einander induzierend ein; deshalb wird in diesem Falle die nagnetische Sättigung nicht so rasch eintreten wie bei einem massiven lisenstabe, und deshalb wird der Magnetismus des fein verteilten Eisens inger der magnetisierenden Kraft proportional sein müssen, als bei massiem Eisen.

Ähnliches wird allgemein für die magnetischen und diamagnetischen ubstanzen, mit Ausnahme wieder des massiven Nickels und Kobalts, gelten itissen, da man bei denselben allgemein annehmen kann, dass der gegeneitige Einfluss der Moleküle verschwindend klein ist 1).

Die Resultate Becquerels hat Tyndall²) durch ganz gleichzeitige und ach fast genau derselben Methode unternommene Versuche bestätigt, auch maß die abstossende oder anziehende Kraft durch die Torsion eines rahtes. Von den vielen Versuchen Tyndalls erwähnen wir folgende:

\mathbf{Wismut}			Schwefel		
$oldsymbol{J}$	\sqrt{T}	CJ	$oldsymbol{J}$	\sqrt{T}	CJ
0,176	2,23	2,06	0,364	1,10	1,20
0,577	6,50	6,74	0,595	1,73	1,96
0,839	10,00	9,81	0,880	2,83	2,90
1,192	13,96	13,95	1,376	4,58	4,54
C = 11,7			•	C = 3,3	

Der Schwefel ergab sich bei nachheriger Untersuchung eisenhaltig, r war also eigentlich ein Gemenge einer magnetischen und einer diamagetischen Substanz; die Übereinstimmung der mit demselben erhaltenen Lesultate mit dem von Becquerel abgeleiteten Gesetze beweist also, daß nnerhalb der Grenzen des Versuches dasselbe gleicherweise für die dianagnetischen wie für die magnetischen Substanzen gültig ist.

Man sehe W. Weber, Elektrodynamische Maßebestimmungen, insbesonlere über Diamagnetismus §. 20 ff.
 Tyndall, Poggend. Ann. Bd. LXXXIII.

Auch einige Versuche von Reich¹) nach de von Christie²) mit dem Diamagnetometer ergeber erhält Christie folgende zusammengehörige Wert der durch die Ablenkungen nach dem vorigen Momente des Wismut:

J	M
16,77031	0,0015752
26,08649	0,0023531
34,05932	0,0030061
46,57311	0,0043456

Bei größeren Stromstärken ist indes nach den dieses Gesetz nicht mehr gültig, dann zeigt sich al ein langsameres Wachsen des Diamagnetismus, so rung an ein Maximum eintritt. Plücker bestimm ziehung oder Abstoßung pulverförmiger Substanze gefüllt und zum Teil mit Schweineschmalz verrigroßen Elektromagnete mittels einer Wage, wädurch Stromstärken erregte, welche sich wie 1; Für den Magnetismus seines Elektromagnets fand indirekten Wege, den wir hier nicht auseinander wohl nicht ganz einwurfsfrei sein möchte, die WeDie Einheit des Magnetismus ist dabei jene, welch in dem Elektromagnete erregt.

Die beobachtete magnetische Anziehung od Produkte aus dem Magnetismus der untersuchten Elektromagnets proportional, Plücker erhielt als magnetisierenden Kräften entsprechenden Magnet Substanzen, indem er die beobachteten Anziehun oben angegebenen Werte der Magnetismen des El Als Einheit des Magnetismus gilt dann bei jeder S die angenommene Einheit der magnetisierenden Kr

Folgende Tabelle enthält eine Zusammenstell von Plücker erhaltenen Resultate.

	Erregter Magnetismus i						
Elektromagnete	1	2	2,9	3			
Kobaltoxydhydrat	1	1,925	2,66	2,			
Wismut u. Phosphor	1	1,81	2,39	2, 2, 2,			
Nickeloxyd	1	1,715	2,14	2.			
Eisenoxyd	1	1,575	1,88	2.			
Eisen	1	1,38	1,51	1,			
Kobalt	1	1,325	1,41	1.			
Nickel	1	1,20	1,21	1.			

Reich, Poggend, Ann. Bd. XCVII.
 Christie, Poggend. Ann. Bd. CIII.
 Plücker, Poggend. Ann. Bd. XCI.

Wie man sieht wachsen die Magnetismen oder Diamagnetismen, wenn die magnetisierende Kraft einen gewissen großen Wert erreicht hat, nicht mehr proportional derselben, sondern viel langsamer; und es ist interessant zu bemerken, dass sich dieselben mit sehr guter Übereinstimmung nach der Formel von Müller

$$m = k \operatorname{arc}\left(\operatorname{tang} = \frac{M}{c}\right)$$

berechnen lassen, worin m der durch die magnetisierende Kraft M erregte Magnetismus und k und c zwei Konstanten bedeuten, welche für jede Substanz einen anderen Wert haben.

Wendet man diese Formel außerhalb der Grenzen des Versuches an, so ergiebt sich, dass der Magnetismus jeder Substanz sich einem gewissen Grenzwerte nähert, der erreicht wird, wenn $M=\infty$ wird; die letzte Kolumne obiger Tabelle giebt die so berechneten Grenzwerte.

Die obige Tabelle zeigt, dass die Magnetismen sich verschieden rasch diesem Grenzwerte nähern. Das ergiebt sich noch aus einer anderen Beobachtung von Plücker1). Unterwirft man nämlich ein aus einer magnetischen und diamagnetischen Substanz, etwa Eisenoxyd und Wismutpulver, geformtes Stäbchen dem Einflusse eines Magnets, so stellt sich dasselbe bei starken magnetisierenden Kräften äquatorial, bei schwachen axial; während also bei schwachen Kräften die magnetische Erregung überwiegt, ist bei starken Kräften die diamagnetische die stärkere. Auch daraus ergiebt sich, daß der Magnetismus des Eisenoxydes bei wachsender magnetisierender Kraft nicht so rasch wächst als der Diamagnetismus des Wismuts.

Die Frage, ob bei den schwach magnetischen und diamagnetischen Substanzen der Magnetismus resp. Diamagnetismus ebenso wie beim Eisen der magnetisierenden Kraft proportional sei oder nicht, ist seitdem mehrtach aufgenommen, aber verschieden beantwortet worden. Silow 2) gelangte zu dem Resultate, dass die Magnetisierungsfunktion einer Eisenchloridlösung ähnlich wie bei Eisen, wenn man von ganz schwachen magnetisierenden Kräften ausgehe, erst wachse bis zu einem Maximum, welches schon bei einer magnetisierenden Kraft, welche 1,8 der Horizontalkomponente des Erdmagnetismus war, erreicht sei, und dann wieder abnähme. Schumeister3) fand dagegen für Eisenchloridlösung bei Anwendung von magnetisierenden Kräften, die in Weberschen Einheiten von 380 bis 2500 zunehmen, stets denselben Wert für die Magnetisierungskonstante; für andere Substanzen wie Wasser, Alkohol, Schwefelkohlenstoff fand er dagegen mit wachsenden Kräften abnehmende Werte der Magnetisierungsfunktion. Eaton4) fand nicht nur für Eisenchloridlösungen, sondern auch für die übrigen von Schumeister untersuchten Substanzen die Magnetisierung der magnetisierenden Kraft proportional.

Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXIII. S. 616.
 Silow D'Almeida, Journal de physique Bd. IX. Wiedem. Ann. Bd. XI.
 Schumeister, Wiener Berichte Bd. LXXXIII.
 Eaton, Wiedem. Ann. Bd. XV. Ebenso von Ettingshausen für Eisenchlorid, Wiedem. Ann. Bd. XVII. 68*

Für den am stärksten diamagnetischen Körper, das Wismut, haber Becquerel1), W. Weber2), Töpler3) und von Ettingshausen4) eine Abweichung des diamagnetischen Momentes von der Größe der magnetisieren den Kraft nicht zu erkennen vermocht.

Nach den eben beschriebenen Methoden haben Becquerel⁵) und Plücker⁶) und nach einer wenig von der Methode Becquerels verschiedenen Faraday die Magnetismen verglichen, welche gleiche Gewichte oder gleiche Volu mina der verschiedenen Substanzen bei gleicher magnetisierender Kraf annehmen. Die so bestimmten Werte für die Magnetismen der verschie denen Substanzen, bei welchen die einer bestimmten Substanz, etwa de Eisens zur Einheit gesetzt wird, würden, wenn die Magnetismen nich den magnetisierenden Kräften proportional sind, nur für die gewählter magnetisierenden Kräfte gelten. Da indes bei nicht zu großen Kräfte die Magnetismen den Kräften proportional wachsen, so geben diese Zahler doch das Verhältnis, in welchem die verschiedenen Substanzen magneti siert werden können. Wir stellen im Folgenden einige dieser Zahlen zu sammen und bemerken zu den Versuchen von Becquerel noch, dass die magnetischen Kräfte der Flüssigkeiten in der §. 134 angegebenen Weis erhalten wurden, indem ein Glascylinder, dessen Abstofsung in der Luf untersucht war, in den verschiedenen Flüssigkeiten untersucht wurde.

Die diamagnetischen Kräfte sind mit dem negativen Vorzeichen ver sehen, der Magnetismus des Wassers ist gleich - 10 gesetzt, die Zahlen gelten für gleiche Volumina.

Feste l	Körper	Flüssigkeiten			
Wasser	- 10,00	Wasser		10,	
Zink	— 2,5	Alkohol		7,89	
Wachs, weifs	s - 5,68	Schwefelkohlenstoff		13,30	
Schwefel	11,37	Lösung von		·	
Werkblei	15,28	Kochsalz spec. Gew. 1,208		11,28	
Phosphor	16,39	Nickelvitriol " 1,082	+	21,60	
Selen	- 16,52		$\dot{+}$	211,16	
Wismut	-217,6		$\dot{+}$	360,70	
	·			558,13.	

Hier, wo die einzelnen Molektile nicht auf einander einwirken, sind die Magnetismen den Massen proportional zu setzen, wir erhalten daher aus diesen Zahlen die Magnetismen gleicher Gewichte, indem wir obige Zahlen durch die Dichtigkeit der betreffenden Substanz dividieren.

Den Magnetismus fein verteilten, mit Fett verriebenen Eisens gleich 1000000 gesetzt, findet Becquerel für ein gleiches Gewicht Wasser 3.1

1) Becquerel, Ann. de chim. et de phys. 3. série. T. XLIV.

²⁾ W. Weber, Massbestimmungen, insbesondere über Diagmagnetismus S. 52 3) Töpler und von Ettingshausen, Poggend. Ann. Bd. CLX.

⁴⁾ von Ettingshausen, Wiedem. Ann. Bd. XVII.
5) Becquerel, Ann. de chim. et de phys. III. Sér. T. XXXII.
6) Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXIV.
7) Faraday, Philosophical Magazin. IV. ser. vol. V. 1863. Poggend Asservers. Bd. LXXXVIII.

Daraus ergiebt sich für den Diamagnetismus des Wismuts bezogen auf ein gleiches Gewicht Eisen 7,5.

In der vorhin erwähnten Arbeit giebt Plücker für die Magnetismen der verschiedenen Substanzen bei gleichem Gewichte, oder nach seiner Bezeichnung die specifischen Magnetismen für die Einheit der magnetisierenden Kraft, folgende Werte:

Eisen	1000000	Eisenoxyd	75 9
Kobalt	1009000	Nickeloxyd	287
Nickel	465800	Wismut	23,6
Kobaltoxydhydrat	2178	Phosphor	16,5.

Diese Zahlen geben die Verhältnisse der Magnetismen der verschiedenen Substanzen, wenn sie fein verteilt sind, das Verhältnis zwischen dem Magnetismus des Wismuts und des Eisens ist ein ganz anderes, wenn man die massiven Metalle mit einander vergleicht. Es ergiebt sich das aus dem im vorigen Paragraphen erwähnten Versuche von W. Weber, in welchem das diamagnetische Moment zweier Wismutstäbe mit dem eines Eisenstäbehens verglichen wurde. Aus den bei den Versuchen angewandten Stromstärken ergab sich nach der §. 130 erwähnten Gleichung, daß durch die Einheit der magnetisierenden Kraft in der Masseneinheit des Eisens das magnetische Moment 5,6074 in absoluten Einheiten hervorgebracht werde. Für das diamagnetische Moment der Masseneinheit Wismut berechnete sich aus den Versuchen unter der Voraussetzung, daß der Diamagnetismus noch der Stromstärke proportional gewesen, der Wert

1 434000

in derselben Einheit. Demnach ist der specifische Magnetismus des massiven Eisens etwa 2,5 Millionen mal größer als der Diamagnetismus des massiven Wismuts.

Dieser Unterschied zwischen dem Verhalten der massiven Metalle und der fein verteilten stimmt durchaus mit der Weberschen Theorie des Magnetismus und Diamagnetismus. In dem massiven Eisen muß wegen der Wechselwirkung der Moleküle der Magnetismus bedeutend stärker sein als in feinverteiltem, während der Diamagnetismus, der nur in den um die Moleküle erregten Strömen seinen Grund hat, in dem massiven Wismut nicht stärker sein kann wie in dem feinverteilten Metalle.

Außer der oben angeführten Messung des Diamagnetismus des Wismuts liegen noch mehrere andere vor. Zunächst bestimmte W. Weber noch nach einer andern Methode für den Diamagnetismus des Wismuts durch die magnetisierende Kraft eins in der Masseneinheit

$$\frac{1}{471300} = 2,12 \cdot 10^{-6}.$$

Die Magnetisierungskonstante in der ihr im §. 131 gegebenen Bedeutung ist das magnetische Moment, welches in der Volumeinheit durch die Einheit der magnetisierenden Kraft erzeugt wird. Wir haben demnach obigen Wert mit dem specifischen Gewicht des Wismuts 9,81 zu multiplizieren, um die Diamagnetisierungskonstante des Wismuts zu erhalten. Dieselbe wird darnach

$$k = -2,08 \cdot 10^{-5}$$
.

Christie fand bei seinen unter Leitung von W. Weber mit dem Damagnetometer ausgeführten Versuchen 1)

$$k = -1,45 \cdot 10^{-5}$$

bemerkt indes, dass das Wismut 0,064 Prozent Eisen enthalten habe. Töpler und von Ettingshausen erhielten²)

$$k = -1,505 \cdot 10^{-5},$$

und von Ettingshausen später3) in vier nach verschiedenen Methoden durchgeführten Versuchsreihen

$$k = -1,357 \cdot 10^{-5}, \quad 1,403 \cdot 10^{-5}, \quad 1,53 \cdot 10^{-5}, \quad 1,33 \cdot 10^{-5}.$$

Auch bei diesen Versuchen war das Wismut nicht ganz eisenfrei, indes bemerkt von Ettingshausen, daß das Wismut mit dem größten Eisengehalt 0,05 % nicht den größten Wert von k geliefert habe.

Alle diese Zahlen bedeuten ebenso wie die früher für Eisen angegebenen die Magnetisierungskonstante in Gauss-Weberschen Einheiten.

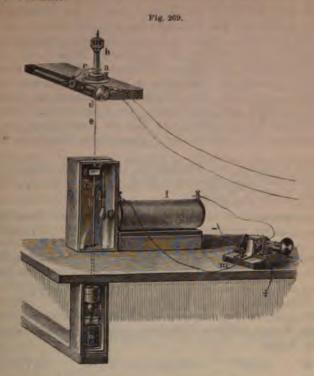
Das magnetische Verhalten einer großen Zahl von chemischen Verbindungen sowohl in ihren Lösungen als in fester Form hat Wiedemann genauer untersucht und daraus*Beziehungen zwischen dem Magnetismus der Körper und ihrer chemischen Zusammensetzung abzuleiten versucht Die Anordnung seiner Versuche zeigt Fig. 269. Zur Messung des Magnetismus der Salze wandte Wiedemann die Torsion eines hartgezogenen Neusilberdrahtes e an. Dieser Draht war in der Axe eines durchbohrten Messingzapfens befestigt, der in ein Messingrohr a konisch eingeschliffen war und sich in demselben mit sanfter Reibung drehen liefs. Diese Drehung konnte bewerkstelligt werden durch einen an dem Zapfen befestigten Stahlarm c, der an seinem Ende gabelarmig ausgeschnitten war und mit diesem Ende auf einem Stahlstab auflag, so dass ein auf dem Stahlstab aufgesetzter Stift sich zwischen den Zinken der Gabel befand. Der Stahlstab wurde durch ein Messingrohr getragen, in welchem er sich nur parallel seiner Längsaxe bewegen konnte. In das aus dem Messingrohr bei d hervorragende Ende des Stahlstabes war eine feine Schraube eingeschnitten und auf diese eine schraubenförmige Mutter von 5 cm Durchmesser aufgesetzt. Die Scheibe war auf ihrem Rande ausgekehlt und in der Kehle war um die Scheibe eine seidene Schnur gelegt, deren beide Enden durch zwei Stahlringe zu dem etwa 3 m von dem Apparate entfernten Beobachter geführt waren. Durch Anziehen des einen oder andern Endes der Schnur konnte die Scheibe gedreht und damit der Stahlstab entweder vorwärts oder rückwärts bewegt werden. Um die Rückwärtsbewegung des Stabes zu sichern, wurde das andere Ende des Stahlstabes durch ein starkes Band von vulkanisiertem Kautschuk angezogen. Die Bewegung des Stahl-

¹⁾ Christie, Poggend. Ann. Bd. CIII.

²⁾ Töpler und v. Ettingshausen, Poggend. Ann. Bd. CLX; obige Zahl nach der Korrektion von v. Ettingshausen, Wiedem. Ann. Bd. XVII, S. 232.

3) v. Ettingshausen, Wiedem, Ann. Bd. XVII.
4) Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. CXXVI. Bd. CXXXV.

stabes bewirkte durch den Arm c die Drehung des Messingzapfens, welche für die hier ins Spiel tretenden Kräfte eine hinreichende Torsion des Drahtes c bewirkte.



Der Draht e trug unten einen Messingstab hn, der an seinem untern Ende vier Flügel besaß, welche, um die Schwingungen des Stabes zu vermindern, in Öl eingetaucht waren. Am obern Ende war an dem Stabe h ein Spiegel angebracht. Außerdem trug der Messingstab eine Fassung, in welche ein horizontaler Messingarm eingesteckt wurde, welcher das zur Aufnahme der Lösung bestimmte Glaskölbehen k trug, und ein zweiter Arm, der ein Gewicht trug, welches das gefüllte Kölbehen contrebalancierte. Das Glaskölbehen k schwebte vor dem Pole des Elektromagnets k, so daß die Axe des Magnets in ihrer Verlängerung genau den Mittelpunkt des Glaskölbehens traf und auf der durch diesen Mittelpunkt und den Draht hn gelegten Ebene senkrecht stand.

Nachdem das Kölbehen mit einer beliebigen Flüssigkeit gefüllt war, wurde zunächst der Stand des Spiegels mit Fernrohr und Skala beobachtet und dann der den Magnetismus des Elektromagnets erregende Strom geschlossen. Hierdurch wurde das Kölbehen angezogen oder abgestoßen und der Spiegel g gedreht. Durch Torsion des Drahtes e, mittels Anziehung der zum Beobachter führenden Schnüre, wurde das Kölbehen wieder in die Anfangslage zurückgeführt, was man daran erkannte, daß der Spiegel wieder denselben Teilstrich der Skala in das Fernrohr reflek-

tierte. Darauf wurde der Strom wieder unterbrochen, worauf das Kölbchen in die durch die dem Draht erteilte Torsion bedingte Lage sich bewegte. Die Beobachtung dieser Gleichgewichtslage mit Hilfe der vom Spiegel reflektierten Skala gab die Größe der Torsion, welche der magnetischen An-

ziehung oder Abstofsung das Gleichgewicht gehalten hatte.

Nachdem Wiedemann zunächst konstatiert hatte, das innerhalb der von ihm benutzten Stromstärken das magnetische Moment der zu untersuchenden Flüssigkeiten der magnetisierenden Kraft direkt proportional war, verglich er zuerst die Magnetismen verschieden konzentrierter Lösungen. Dabei ergab sich, dass sich der Magnetismus der Salzlösungen direkt durch Addition der Magnetismen des Lösungsmittels und des in demselben gelösten Salzes ergiebt, und dass der Magnetismus des gelösten Salzes proportional ist dem in der Volumeinheit enthaltenen Gewichte desselben.

Für vier Lösungen von Eisenchlorid ergaben sich nämlich folgende auf die Einheit der magnetisierenden Kraft reduzierte der Anziehung das Gleichgewicht haltende Torsionen

Lösung 1 Lösung 2 Lösung 3 Lösung 4
$$m \dots 96,94$$
 71,62 45,17 19,19.

Das mit Wasser gefüllte Kölbchen zeigte eine Abstofsung von 5,53. Die Gehalte der Lösungen waren an Eisen in je 10 ccm der Lösung

Addiert man zu den beobachteten Magnetismen m die Abstofsung des mit dem Wasser gefüllten Kölbchens, so erhält man die Magnetismen des gelösten Salzes

$$m_1 \dots 102,47$$
 77,16 50,70 24,72 $\frac{m_1}{g} \dots 172,3$ 170,3 169,0 165,7.

Die letzte Reihe, welche aus jeder der vier Beobachtungen den Magnetismus bestimmt, den eine Lösung haben würde, welche in 10 cem ein Gramm Eisen enthielte, beweist, dass die Magnetismen der gelösten Salze der in der Volumeinheit vorhandenen Menge proportional sind.

Bei der Lösung von Eisenchlorid in Wasser, Alkohol und Äther ergab sich, daß der Magnetismus der gelösten Salze von der Natur des Lösungsmittels unabhängig ist. Es fand sich nämlich bei einer Lösung in Alkohol, bei welcher g = 0.399 g war, m = 60.79. Die Abstoßung a des mit Alkohol gefüllten Gefäßes betrug 4.85, somit war $m_1 = 65.64$ und $\frac{m_1}{a} = 164.4$. Bei einer Lösung in Äther war m = 50.38, g = 0.321,

 $a = 4{,}40$, somit $m_1 = 54{,}78$ und $\frac{m_1}{g} = 170{,}8$.

Mit steigender Temperatur nimmt der Magnetismus der gelösten Salze ab, und zwar für alle untersuchten Salze, eine Anzahl Eisensalze, Nickelsalze, Kobaltsalze und Ferricyankalium nach demselben Gesetze, so daß für alle sich das Moment mit darstellen ließ durch die Gleichung

Eine interessante Beziehung ergab sich bei der Untersuchung der Magnetismen verschiedener Salze zwischen den Magnetismen und den Atomgewichten. Bezeichnet man nämlich den durch die Einheit der magnetisierenden Kraft in der Gewichtseinheit eines Salzes erregten Magnetismus als den specifischen Magnetismus des Salzes, so ergiebt sich, das das Produkt aus dem specifischen Magnetismus der analog zusammengesetzten Salze desselben Metalles und ihrem Atomgewicht einen konstanten Wert hat. Es ist demnach der durch die magnetisierende Kraft Eins erregte temporäre Magnetismus je eines Atoms der analog zusammengesetzten Verbindungen eines Metalles mit verschiedenen Säuren stets derselbe. So findet sich für die Nickelsalze das Produkt 282, für die Kobaltsalze 616, für die Mangansalze 936, für die Ferroverbindungen wird das Produkt 1550, für die Ferridverbindungen etwa 1900. Diesen Zahlen liegen die willkürlich von Wiedemann gewählten Einheiten des Magnetismus zu Grunde, sie haben deshalb nur die Bedeutung, dass der Molekularmagnetismus der gelösten Salze diesen Zahlen proportional ist 1).

Fast genau denselben Wert erhielt Wiedemann für den Molekularmagnetismus der festen Salze, welcher dadurch bestimmt wurde, dass die Salze fein gepulyert und mit geglühter Kieselsäure gleichförmig gemengt in demselben Glaskölbehen untersucht wurden, so dass man schließen kann, dass der Magnetismus der Salze im trocknen und gelösten Zustande

derselbe ist.

Der Magnetismus der Gase ist nach den Untersuchungen von Plücker, Becquerel und Faraday mit Ausnahme dessen des Sauerstoffs nur sehr gering. Letzterer ist

nach Plücker bei gleichem Gewicht, Eisen gleich 100000, gleich 3500

", Becquerel " " " " " " " " 3770 ", Faraday " " Volumen, Wasser " 100, " 17,5.

Weitere Zahlenangaben über die Magnetismen der verschiedenen Stoffe zu geben wird überflüssig sein, da denselben doch keine allgemeine Gültigkeit zukommt.

§. 137.

Magnekrystallkraft. Aus der Thatsache, das das verschiedene Verhalten der magnetischen oder diamagnetischen Substanzen im Magnetfelde darin seinen Grund hat, das die einen magnetische, die andern diamagnetische Polarität erhalten, ergiebt sich, das eine aus irgend einer Substanz angefertigte Kugel innerhalb des Magnetfeldes zwischen den Ankern eines Elektromagnetes durchaus nicht das Bestreben haben kann, irgend eine bestimmte Lage anzunehmen. Denn die nach einer Richtung ausgedehnteren magnetischen Körper stellen sich mit dieser Richtung axial, weil das magnetischen Moment derselben parallel dieser Richtung am größten, die diamagnetischen sich mit derselben äquatorial, weil das Moment parallel dieser Richtung am kleinsten ist. Bei einer Kugel indes kann das Moment

Genaueres über die Bezichung des Magnetismus zu der chemischen Beschaffenheit der Verbindungen sehe man Wiedemann, Poggend. Ann. Bd.CXXXV.

nach keiner Richtung größer oder kleiner sein al deshalb kann dort keine besondere Richtkraft von

Das Verhalten der Krystalle stimmt jedoch überein; wie Plücker¹) zuerst gezeigt hat, könne gebildet eine bestimmte Richtung zeigen, wenn zu bringt, ja selbst nach einer Richtung ausgedehn oft anders, als nach der magnetischen Beschaff wartet werden sollte.

Plücker nahm eine grüne Turmalinplatte ein welche nach §. 93 des II. Teils parallel der Axe ist; die Platte war annähernd rechteckig, 12 mi 3 mm dick. Vor einem Magnetpole aufgehängt magnetisch, und als sie an einem Coconfaden so die Richtung des Fadens mit derjenigen der A sich die Platte zwischen den Magnetpolen auch magnetische Platte gethan haben würde, also so Fläche axial war. Dieselbe Platte wurde nun Richtung der optischen Axe senkrecht zum Aufl optische Axe also frei in der Horizontalebene magnetischer Körper hätte sich nun die Platte ihre Längsrichtung, welcher die optische Axe par len Linie zusammenfiel. Sie stellte sich aber Körper, so dass die der optischen Axe parallel der äquatorialen war.

Die Turmalinplatte wurde schließlich auch selbst in horizontaler Ebene sich frei drehen wieder so, wie ein diamagnetischer Körper gle haben würde, die der optischen Axe parallele L

aquatorial, die Breitenrichtung axial.

Ein anderer Turmalinkrystall, eine sechsseitig und 4,6 mm Dicke, stellte sich, als die Polspitzen de genähert waren, daß der Krystall nur eben zwisc konnte, mit seiner Längsrichtung axial. Als m von einander entfernte, wurde der Krystall mit in dieser Lage festgehalten und wenn ihr Absta trug, drehte sich der Krystall um 90°, die Län stellte sich äquatorial.

Entfernte man die Halbanker nicht von einanden Krystall an dem Faden in die Höhe, so zeigte ähnlich; in einem bestimmten Abstande über de

Krystall äquatorial.

Sehr bald nachher machte Faraday²) ganz an krystallisiertem Wismut, Antimon und Arse kleinen Rhomboëdern krystallisiert, wurde mitt Pole des Elektromagnets gebracht; obwohl das

Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXII.
 Faraday, Experimental researches ser. XXII.

band III.

diamagnetisch erwies, wurde es doch in dem Magnetfeld wie ein Magnet gerichtet, so dass die krystallographische Hauptaxe sich axial stellte.

Die Axe, welche sich abweichend von dem sonstigen Verhalten der Krystalle axial oder aquatorial stellt, bezeichnet Faraday als die Magnekrystallaxe, und als die Ursache dieser Richtung sieht Faraday eine neue Kraft oder Kraftform in den Körpern an, welche er Magnekrystallkraft nennt.

Die ausgedehnten Versuche von Plücker haben ergeben, daß bei allen nicht zum regulären Systeme gehörigen Krystallen eine solche Magnekrystallaxe vorhanden ist, welche im quadratischen und hexagonalen Systeme im allgemeinen mit der krystallographischen Hauptaxe oder der optischen Axe zusammenfällt. Anfänglich glaubte Plücker1), dass sich die optische Axe immer äquatorial stelle, und nahm deshalb an, daß außer der magnetischen Anziehung oder diamagnetischen Abstofsung die Richtung der optischen Axe unter allen Umständen von den Magnetpolen abgestoßen würde, oder am wenigsten angezogen würde. Die eben angeführte Beobachtung Faradays, nach welcher die Magnekrystallaxe des Wismuts und Arsens sich axial stellte, zeigte jedoch, dass dieser Satz nicht allgemein gültig sei, und darauf beobachtete auch Plücker2), dass die optischen oder krystallographischen Hauptaxen der einaxigen Krystalle von den Magnetpolen sowohl angezogen als abgestofsen werden konnten. Kreisförmige Scheiben, welche der optischen Axe parallel aus Krystallen herausgeschnitten waren, konnten sich mit ihrer Axe sowohl axial als äquatorial stellen, und das sowohl, wenn die Masse der Krystalle magnetisch als wenn sie diamagnetisch war. Plücker teilte demnach anfangs die Krystalle in positive und negative, indem er als positiv jene bezeichnete, deren Magnekrystallaxe von den Magnetpolen angezogen wird, als negativ jene, deren Magnekrystallaxe von den Magnetpolen abgestoßen wird.

Besser indes bezeichnete Plücker später3) jene Krystalle als positiv, bei welchen die magnetische Polarität der Axe dem Sinne nach dieselbe ist wie die der ganzen Masse, wo aber diese Polarität ein Maximum ist, während man als negative jene bezeichnet, bei denen die Polarität der Axe derjenigen der ganzen Masse entgegengesetzt ist, oder wenn sie gleichgerichtet ist, den kleinsten Wert hat, so dass diese sich infolge der Magnekrystallkraft anders stellen als nach dem magnetischen Verhalten der ganzen Masse. Darnach unterscheidet man magnetisch positive und negative und diamagnetisch positive und negative Krystalle.

In einem gleichartigen Magnetfelde stellt sich die Axe

magnetisch positiver Krystalle axial negativer äquatorial diamagnetisch positiver äquatorial negativer axial.

¹⁾ Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXII.
2) Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXVI, Bd. LXXVII, Bd. LXXVIII. Plücker and Beer, Poggend. Ann. Bd. LXXXI, Bd. LXXXII. Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXXVI, Bd. CX.
3) Plücker, Philosophical Transactions for 1858. p. 543.

Nach dieser Bezeichnung gehören:

- 1) zu den positiven magnetischen Krysta eisenhaltige kohlensaure Magnesia, essigsaures K Skapolit;
- 2) zu den negativen magnetischen: Tur schwefelsaures Nickeloxyd;
- 3) zu den positiven diamagnetischen: Kalks Arsenblei, Natronsalpeter;
- 4) zu den negativen diamagnetischen: Wis Honigstein 1).

Ein demjenigen einaxiger Krystalle ähnliche bei einem schnell gekühlten Cylinder magnetisch sich mit seiner Axe äquatorial stellte2). Ebenso daß Würfel von Holz in einem Magnetfelde sie die Richtung der Fasern äquatorial ist3). Knobla ferner beobachtet, dass nach einer Richtung zu sich meistens mit dieser Richtung aquatorial st Mehl und Gummiwasser stellte sich mit seiner als derselbe durch Pressen so weit verkürzt kleiner war als der Durchmesser, stellte sich denn aquatorial.

Auch die Krystalle, welche keine Hauptaxe rhombischen, klinorhombischen und klinorhombo durch Magnekrystallkraft gerichtet.

Wie aber diese Krystalle in optischer Bezieh kann man nach Plücker⁵) auch zwei magnetis welche entweder angezogen oder abgestoßen we sind indes einfacher zu übersehen, wenn man Axen selbst betrachtet.

Wir wollen das Verhalten in einem speciell Der Arragonit krystallisiert in rhombischen Säu durch die brachydiagonale Endfläche abgeschnitte sind die Axe der Säule a, die lange Diagonale l r des Rhombus, welchen man bei geradem Durchsch Die Ebene der optischen Axen geht dann durch erste Mittellinie. (Man sehe im zweiten Teil Arragonits ist diamagnetisch. Schneidet man Krystall ein Parallepiped, dessen Kanten parall sind, und zwar so, dass a < k < l ist, so ste Magnetfelde folgendermaßen ein:

¹⁾ Plücker, Philosophical Transactions for 1858.

²⁾ Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXV.
3) Tyndall, Philosophical Transactions for 1855
4) Knoblauch und Tyndall, Poggend. Ann. Bd. I
5) Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXII und die v t Beer angestellten Untersuchungen; auch Pogger h Grailich und von Lang, Wiener Berichte Bd.

Es ist vertikal die Axe	Es sind horizontal die Axen	Es stellt sich äquatorial die Axe
a	k und l	k
k	a ,, t	a
I	a ,, k	a

Obwohl also die a parallele Dimension die kürzeste war, stellte sich diese Richtung äquatorial; es ist also parallel dieser Richtung die agnetische Polarität am größten. Am kleinsten ist die diamagnetische ität parallel l, denn diese Richtung stellt sich stets axial.

Legt man nun den magnetischen Axen eine ähnliche Bedeutung bei den optischen Axen, bezeichnet man also jene Richtungen als magne-Axen, senkrecht zu welchen die magnetische Polarität nach allen ungen gleich ist, so ergiebt sich aus Betrachtungen, welche den in Optik durchgeführten ganz analog sind, daß der Arragonit zwei etische Axen hat, welche in der durch die Axe der größten und sten diamagnetischen Polarität gelegten Ebene liegen, also in der a und l gelegten Ebene. Senkrecht zur Richtung dieser beiden ist die diamagnetische Polarität nach allen Richtungen dieselbe und gleich k; so aufgehängt, dass die magnetischen Axen vertikal hängen, also der Krystall durch Magnekrystallkraft durchaus nicht das Been eine bestimmte Lage anzunehmen. Die Richtkraft des Krystalles n Maximum, wenn die Ebene der magnetischen Axen horizontal ist, also beim Arragonit die Richtung k mit dem Aufhängefaden zumenfällt1).

Ahnliches zeigt sich nach den ausgedehnten Untersuchungen von ker und Beer und Plücker allein bei allen zweiaxigen Krystallen; es bt sich aus diesen Untersuchungen im allgemeinen, dass die Ebene magnetischen Axen entweder jene der optischen Axen ist oder darauf recht steht.

Die magnetische Einstellung der Krystalle hat ihren Grund darin, daß magnetische Moment, welches dieselben unabhängig von ihrer Gestalt hmen, nach verschiedener Richtung verschieden ist. Eine Kugel aus n zweiaxigen Krystalle z. B. erhält in einem gleichartigen Magnetfelde so nach den verschiedenen Richtungen ein verschiedenes magnetisches ent infolge ihrer molekularen Beschaffenheit, wie ein dreiaxiges Soid von weichem Eisen infolge seiner Gestalt, und deshalb richtet eine solche Kugel ganz analog diesem Ellipsoide. Auch in einem en Ellipsoide finden sich zwei magnetische Axen, die so beschaffen dafs, wenn man das Ellipsoid um dieselben drehbar aufhängt, daskeine Richtkraft zeigt; diese Axen fallen indes nicht mit den Norn der Kreisschnitte zusammen 2).

Woher es indes kommt, dass die Krystalle nach den verschiedenen ungen verschiedene Momente annehmen, das läßt sich nicht absehen, so weniger, da, wie erwähnt, auch ganz amorphe Körper dadurch,

Plücker, Philosophical Transactions for 1858.
 Plücker, Philosophical Transactions for 1858. Man sehe auch W. Thom-Philosoph. Magazin 4, series vol. 1.

dass sie nach einer Richtung zusammengepresst werden, ebe Fähigkeit erhalten.

§. 138.

Drehung der Polarisationsebene durch Magnete und d Die in den letzten Paragraphen mitgeteilten Erfahrungen liefer weis, dass der Magnetismus nicht, wie man früher glaubte, wenige Substanzen beschränkt ist, sondern dass er eine allgemei schaft der Materie genannt werden kann. Denselben Beweis ha noch in anderer Weise geführt, indem er zeigte, dass der Ein Magnets sich über die innere Struktur der Körper erstreckt, und i dass der Lichtstrahl in isotropen durchsichtigen Körpern, weh zwischen den Polen eines Magnets befinden, affiziert wird¹). I Beobachtung war die erste, welche Faraday den Beweis lieferte, oven ihm schon lange vermutete Einfluss des Magnetismus auf all stanzen existiere.

Vielfache von ihm früher angestellte Versuche, ob nicht ein strahl durch den Magnet affiziert würde, hatten ein negatives Re gegeben; der Einfluss zeigte sich erst, als er zwischen die Magn durchsichtige Substanzen brachte, welche von dem Lichte durchsetzt mussten. Zwischen die Pole eines kräftigen Hufeisenmagnets wur prismatisches Stück Faradayschen Glases von 54 mm Seite und 1 Dicke so eingesetzt, dass es zur Hälfte über die Polebene hervorsch dass es mit seiner größeren Ausdehnung axial stand. Durch diese wurde unmittelbar über den Polflächen ein polarisierter Lichtstrah durchgeleitet, so dass er das Glas in axialer Richtung, also der g Länge von 54 mm nach durchsetzte. Der Strahl trat dann in ein sches Prisma ein, welches als Analysator diente. Das Glas hatte at Lichtstrahl gar keinen Einfluss; wurde die Polarisationsebene des sierenden Nicols senkrecht zur Polarisationsebene des Lichtstrahls g so blieb der Strahl ausgelöscht, mochte das Glas sich zwischen di larisierenden Spiegel und dem Nicol befinden oder nicht. Wurd der Nicol in dieser Lage festgehalten, so dass der Strahl auss wurde, und nun der Magnetismus des Elektromagnets erregt, 9 augenblicklich das Gesichtsfeld des Nicols erhellt und blieb hell der Magnetismus andauerte; um das Licht wieder zum Verschw bringen, bedurfte es einer gewissen Drehung des Nicols, je nach larität des Magnets, entweder zur Rechten oder Linken. Es fol dass Faradaysche Glas unter dem Einfluss des Magnets die erhält, die Polarisationsebene zu drehen; diese Fähigkeit dauert als das Glas sich unter dem Einfluss des Magnets befindet; se Magnetismus des Elektromagnets verschwunden ist, hört sie : verhält sich das Glas wieder wie jeder isotrope Körper.

Die Richtung der Drehung ist folgende; wenn der dem analy Nicol nächste Pol ein Nordpol ist, so wird der Strahl rechts geheifst der Beobachter muß den Nicol von der Linken zur Rec den Zeiger einer Uhr drehen, damit der Strahl wieder ausgelö

¹⁾ Faraday, Experimental researches ser. XIX. Poggend. A.

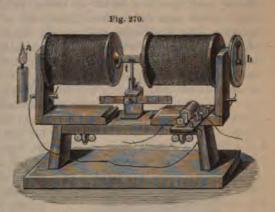
der nächste Pol ein Südpol, so wird der Strahl zur Linken gedreht.

r Sinn der Drehung ist somit, wie eine einfache Überlegung zeigt, rselbe wie die Richtung der Ströme, welche nach der Ampèreschen leorie die magnetischen Moleküle der Pole umkreisen, zwischen denen ih das Glas befindet.

Die in dieser Weise auftretende Drehung ist nur schwach, Faraday obachtete sie bei einem dem Plückerschen an Größe gleichen Elektrongnete mittels fünf Paaren Grovescher Elemente. Man kann sie indes hon bei viel geringeren Kräften beobachten, wenn man den Strahl nicht ran den Polen vorüber, sondern gewissermaßen durch die Pole hinrechgehen läßt. Becquerel¹) versah deshalb die Pole mit durchbohrten Ibankern und brachte die Substanz, durch welche die Lichtstrahlen hinchgehen sollten, so zwischen die Anker, daß der Strahl die Durchrungen durchsetzte. Wie sehr durch diese Anordnung die Drehung munt, zeigen einige Angaben von Bertin²). Ein und derselbe Elektronet brachte bei derselben Stromstärke in einem Stücke Faradayschen es nach der Methode von Faraday beobachtet eine Drehung von 6° 30′ pr., nach Aufsetzung der durchbohrten Halbanker eine Drehung von

Noch vorteilhafter zu diesen Versuchen ist der Rühmkorffsche Apparat Terchbohrten Magnetkernen³). Man bringt in das Ende a Fig. 270 Tenen Kernes einen polarisierenden Nicol, vor welchem die Lichtquelle

stellt wird; in das Ende andern Kernes wird alysierende Nicol get, befestigt in einem nem Nonius verseheeteilten Kreise. Auf Tisch t zwischen die der hohlen Magnetlegt man die diaetische Substanz. Da der Lichtstrahl genau Pol zu Pol geht, so ist Drehung die stärkste, che bei den angewandten ften erreicht werden kann. anch bei den schwachen



gnetischen Kräften die Drehung deutlich wahrnehmen zu können, bringt in füglich zwischen dem polarisierenden Nicol und der drehenden Subnz eine Pouilletsche Doppelplatte an wie bei dem Soleilschen Sacchariter (man sehe im II. Teil §. 111), welche die empfindliche Farbe giebt. ie wir wissen, giebt dann die geringste Drehung der Polarisationsebene dem einen oder anderen Sinne zu einer verschiedenen Färbung der

¹⁾ E. Becquerel, Annales de chim. et de phys. III. Sér. Tome XVII.

²⁾ Bertin, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XXIII. Poggend. Ann. LXXV.

³⁾ Bertin, a. a. O.

beiden Hälften der Doppelplatte Anlass. Die Größe der Drehung ist gleich jener, welche man dem analysierenden Nicol erteilen muß, damit

die Doppelplatte wieder gleichmäßig gefärbt erscheint.

Ein anderes Mittel, die Drehung der Polarisationsebene zu verstärken. ergiebt sich aus einem eigentümlichen Unterschiede, welchen die Drehung derselben durch den Magnetpol von der Drehung in doppelbrechenden Substanzen unterscheidet. Läßt man einen polarisierten Lichtstrahl durch eine rechtsdrehende Quarzplatte gehen, so wird die Polarisationsebene immer so gedreht, dass der Beobachter den analysierenden Nicol zur Rechten zu drehen hat; es wird also die Polarisationsebene in Bezug auf die Fortpflanzungsrichtung immer in demselben Sinne gedreht. Last man daher einen Lichtstrahl in eine Quarzplatte eindringen und dann an der hinteren Fläche derselben reflektiert werden, so zeigt der wieder austretende Stahl keine Drehung, da die beiden Drehungen, welche er auf dem Hin- und Rückwege in der Quarzplatte erfährt, sich aufheben. Anders ist es bei der Drehung zwischen den Magnetpolen1); hier ist die Drehung nicht in Bezug auf die Fortpflanzungsrichtung dieselbe, wie auch der Strahl das zwischen den Magnetpolen befindliche Glas durchsetzt, sondern sie ist entgegengesetzt, wenn der Strahl vom Nordpol zum Südpol, als wenn er vom Südpol zum Nordpol sich fortpflanzt. Schreitet der Strahl vom Südpol zum Nordpol durch das Glas fort, so wird er rechts gedreht, schreitet umgekehrt fort, so wird er links gedreht. In Bezug auf die Richtung im Raume wird also der Strahl in beiden Fällen nach derselben Seite gedreht. Lässt man daher einen Lichtstrahl in das zwischen den Polen befindliche Glas eindringen und an der Rückfläche reflektiert werden, so werden in dem vorn wieder hervordringenden Strahle die Drehungen auf dem Hin- und Rückgange sich nicht aufgehoben, sondern verstärkt haben, die Drehung wird doppelt so groß sein, als wenn der Strahl nur einfact in dem letzten Sinne durch das Glas hindurchgegangen wäre.

Um hierdurch die Drehung zu verstärken, versilberte Faraday die Flächen des Glases, in welchen der Strahl eintritt und austritt, Fig. 271



bis auf zwei Stellen a und b, welch so lagen, dass der Strahl i, wenn er bei a in das Glas eintrat, nach mehrmaliger Reflexion bei r, r', r'', r'' dasselbe bei b nach der Richtung wieder verließ. Auf den Strecke ar, r'r'', r''' b wird der Strahl dam rechts, auf den Wegen rr', r'''

links gedreht, so dass in dem bei e austretenden Strahle die Summe aller

Drehungen beobachtet wird.

Um eine Drehung der Polarisationsebene hervorzubringen, ist es nicht erforderlich, das Glas zwischen die Pole eines Hufeisenmagnets zu legen, es genügt schon, dasselbe auf einen Pol oder neben denselben zu bringen Bertin legte auf einen Pol eines hufeisenförmigen Elektromagnets einen

Faraday, Philosophical Magazin vol. XXIX. 1846. Poggend. Annales
 LXX.
 Faraday, Experimental researches ser. XIX. Poggend. Ann. Bd 1200

Spiegel, setzte auf denselben ein Stück Faradayschen Glases und leitete in dasselbe mit Hilfe eines geneigten unbelegten Spiegels einen polarisierten Strahl vertikal nach unten; der Strahl wurde an dem Spiegel reflektiert, durchsetzte aufsteigend das Glas zum zweiten Mal, und seine Drehung wurde mit Hilfe einer Doppelplatte beobachtet. Es trat bei dem Versuche Bertins und unter Anwendung eines Glases von 48 mm Dicke eine Drehung von 21° ein. Dieselbe war dem Sinne nach verschieden, je nachdem der angewandte Pol ein Nordpol oder ein Südpol war¹).

Der Sinn der Drehung läßt sich am besten nach den den Magnetpol umkreisenden Molekularströmen bestimmen, sie geschieht immer in

der Richtung dieser Ströme.

Ganz dieselbe Regel ergiebt sich aus der vorhin angeführten Angabe Faradays über die Drehung zwischen den Magnetpolen, denn nach derselben geschieht z. B. in dem Rühmkorffschen Apparate die Drehung immer in dem Sinne, wie der Strom in den Spiralen die Magnetkerne umkreist.

Nachdem die Drehung der Polarisationsebene durch den Magnet nachgewiesen war, lag die Vermutung nahe, dass auch ein elektrischer Strom dieselbe Wirkung auf das Licht ausübe, um so mehr, da man nach der Ampèreschen Theorie die magnetischen Eigenschaften als von elektrischen Strömen bedingt ansieht. Es gelang Faraday auch gleich nach der ersten Entdeckung, diese Wirkung der elektrischen Ströme nachzuweisen²). Man lege in eine Magnetisierungsspirale ein Prisma von Flintglas etwa 6 cm lang, dessen Endflächen geschliffen und poliert sind, und bringe an beiden Enden der Spirale Nicols an, den einen, der als Analyseur dienen soll, an einer drehbaren Alhidade in der Mitte eines geteilten Kreises befestigt; man lasse dann parallel der Axe der Spirale Licht hindurchtreten und kreuze die Nicols, so dass das Gesichtsfeld dunkel wird. Sobald man dann durch die Spirale einen kräftigen Strom leitet, wird das Gesichtsfeld wieder beleuchtet, und man muss den analysierenden Nicol nach der einen oder anderen Seite, je nach der Richtung des Stromes drehen, um das Gesichtsfeld wieder dunkel zu machen.

Die Polarisationsebene wird dabei immer in dem Sinne gedreht, in welchem der Strom die Spirale umkreist, d. h. der Beobachter muß den analysierenden Nicol immer in demselben Sinne drehen, in welchem von seinem Standpunkt aus der Strom kreist.

Ebenso wie die Drehung der Polarisationsebene durch den Magnet dauert auch diejenige durch den Strom nur so lange, als der Strom das

Glas umkreist.

Nicht allein das Faradaysche Glas, sondern auch viele andere, ja die meisten durchsichtigen festen und flüssigen Körper erteilen zwischen den Magnetpolen oder in einer Magnetisierungsspirale der Polarisationsebene eine Drehung; dieselbe ist mit wenigen nachher zu besprechenden Ausnahmen dem Sinne nach dieselbe, an Größe unter sonst gleichen Umständen aber sehr verschieden. Fast ebenso stark wie das Faradaysche Glas (kieselborsaures Bleioxyd) wirkt das borsaure Bleioxyd; ebenso ist gewöhnliches Flintglas sehr geeignet, um diese Erscheinung zu zeigen.

1) Bertin, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XXIII.

²⁾ Faraday, Experimental researches ser. XIX. Poggend. Ann. Bd. LXVIII. Wollier, Physik, IV. 4. Auff.

Die doppeltbrechenden Krystalle zeigen keine Drehung, wenn da nicht in oder doch sehr nahe der Richtung der optischen Axe du hindurchgeht1).

Um die Drehung der Polarisationsebene in Flüssigkeiten zu zei das Soleilsche Saccharimeter sehr geeignet, indem man die Flüss röhre desselben mit einer Spirale umgiebt. Man findet dann, d alle Flüssigkeiten die Polarisationsebene mehr oder weniger stark Wasser, Alkohol, Ather, alle fetten und ätherischen Ole, geschm Schwefel, Chlorschwefel; ebenso alle wässerigen und alkoholischen Lö Faraday glaubte, dass in diesen nur das Lösungsmittel die Drehu wirke; nach den Versuchen von Bertin2) und Verdet3) ist das jedoc der Fall. Beide Physiker fanden, dass unter ganz denselben Um Lösungen oft stärker oft schwächer drehen als das Lösungsmittel So fand z. B. Bertin bei Lösungen von Chlorkalcium folgende Dreh

(Konzentrierte	Lösung 13 mr	n dick	Schicht			60 20
Verdünnt mit	demselben Vo	lumen	Wasser	-	4 8	4 0 55
11 11	dem 3 fachen	35	11		4 12	40 40
Daine W	, 7 ,	"	39		- 1	30 40
Reines Wasser	Ammoniak	* *		*		30 45
Salpetersaures Wasser	Ammoniak .	10000			2 2	
Schwefelsaures	Eisenoxyd .			-	-	40 30
Wasser						6.0

Die mit Klammern versehenen Beobachtungen sind unter sonst g Umständen gemacht.

Ebenso fand Verdet, dass alle Lösungen von Eisensalzen die

sationsebene schwächer drehen als Wasser.

Während Faraday eine Drehung der Polarisationsebene in Gaser beobachten konnte, gelang es fast gleichzeitig H. Becquerel 4) sowie und Röntgen⁵) dieselbe zu beobachten und zu messen, indem lange mit Spiralen umgeben wurden, durch welche ein sehr starker Stro durchgeleitet wurde. Becquerel liefs durch eine 3 m lange Röhre Anwendung des Verfahrens das Licht 9 mal hindurchgehen, Kune Röntgen wandten in ihren Röhren erhebliche Drucke an. Indem m Lage der Polarisationsebene bestimmte, wenn der Strom die Spira dem einen Sinne durchflos und dann im entgegengesetzten Sinne sich die Größe der Drehung in den Gasen messen. Auf die Größ Drehung kommen wir nachher zurück.

Wie es nach der im dritten Bande erkannten Identität von und Wärmestrahlen nicht anders zu erwarten ist, wird auch die sationsebene der Wärmestrahlen magnetisch gedreht. Wenn auch

¹⁾ Faraday, Experimental researches ser. XIX. Lüdtge, Poggend Bd. CXXXVII.

²⁾ Bertin, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XXIII.
3) Verdet, Comptes Rendus. T. XLIII. p. 529. Poggend. Ann. Bd. C
4) H. Becquerel, Journal de physique Bd. VIII, Bd. IX.
5) Kundt und Röntgen, Wiedem. Ann. Bd. VI, Bd. VIII, Bd. X.

ie frühern Beobachtungen von Wartmann¹) und De la Provostaye und Desains2) dieser Nachweis nicht mit voller Sicherheit geführt war, so ist as doch durch die neuern Versuche von Grumnach3) geschehen, dem es ogar gelungen ist, die Drehung zu messen. Grumnach drehte die beiden licols a und b Fig. 270 um 45° gegeneinander und brachte die diamagneische Substanz zwischen die Pole des Elektromagnets; er ließ zunächst ie von einem Heliostaten reflektierten Sonnenstrahlen durch diese Komination hindurch auf eine Thermosäule wirken, wenn der Elektromagnet icht erregt war, und beobachtete die Ablenkung des Galvanometers. Darauf wurde der Elektromagnet erst in dem einen, dann im entgegenesetzten Sinne erregt, und es zeigte sich, daß stets bei der Erregung m einen Sinne die Wirkung auf die Thermosäule zunahm, bei der Eregung im entgegengesetzten Sinne dagegen abnahm. Im ersten Falle rurde somit die Polarisationsebene der aus dem ersten Nicol austreenden Strahlen der Polarisationsebene des zweiten Nicols genähert, im weiten Falle wurde sie nach der entgegengesetzten Seite gedreht, also on der Polarisationsebene des zweiten Nicols entfernt. Nennen wir die ntensität der durch die beiden Nicols dringenden Strahlen, wenn ihre olarisationsebenen parallel sind, eins, so ist die Intensität der hindurchehenden Strahlen, wenn sie um 45° gedreht sind, $\cos^2 45^{\circ} = \frac{1}{2}$. Ist ie magnetische Drehung δ , so wird die Intensität $\cos^2 (45^{\circ} - \delta)$ oder os² (45 + δ), also $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sin 2 \delta$ oder $\frac{1}{2} - \frac{1}{2} \sin 2 \delta$. Da δ immer ehr klein ist, können wir demnach die infolge des Magnetismus einretende Zunahme der Intensität oder deren Abnahme der Größe der Prehung proportional setzen. Die Messung der Zunahme oder Abnahme er Intensität giebt also unmittelbar das Mass für die Größe der Drehung.

Die Größe der Drehung hängt außer von der angewandten Substanz b von der Dicke derselben, von der Stärke des Magnetismus oder des ektrischen Stromes und von der Neigung gegen die axiale Richtung, in elcher der Strahl die Substanz durchdringt.

Faraday glaubte, dass die Drehung der Dicke der von dem Licht archlaufenen Schicht sowohl als auch der Stärke des Magnetismus proortional sei4).

Die beiden Sätze können indes in der Allgemeinheit, wie zuerst Bertin⁵) emerkt hat, nicht mit einander bestehen. Denn wenn die Drehung der agnetischen Kraft proportional ist, so kann sie nur dann der Dicke der rchstrahlten Substanz proportional sein, wenn dieselbe sich in einem eichartigen Magnetfelde befindet, so dass die auf die einzelnen Schichten irkende magnetische Kraft dieselbe ist. Das ist aber zwischen den Magetpolen nur an einer kleinen Stelle der Fall.

Um die Abhängigkeit der Drehung von der Dicke der durchstrahlten

¹⁾ Wartmann, Comptes Rendus T. XXII. Poggend. Ann. Bd. LXXI.

²⁾ De la Provostaye und Desains, Ann. de chim. et de phys. III. Série.

Grumnach, Wiedem. Ann. Bd. XIV.
 Faraday, Experimental researches. Ser. XIX. art. 2163 u. 2164.
 Bertin, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XXIII. Poggend. Ann.

Schicht zu bestimmen, begann Bertin damit, den Einflus des Abstands des Diamagneticums von der Politäche zu untersuchen.

Denn denken wir uns eine Schicht von gewisser Länge an einem Magnetpole anliegend, so wird, wenn wir uns dieselbe in lauter Schichten von etwa ein Millimeter Dicke zerlegt denken, die gesamte Drehung die Summe deren sein, welche der Strahl in diesen einzelnen Schichten erhält. Die Drehung in den dem Pole nächsten Schichten wird nun jedenfalls an größten sein; sie wird in den einzelnen um so kleiner sein, je weiter se von den Polen entfernt sind, da die magnetische Kraft mit dem Abstande von den Polen abnimmt. Kennt man das Gesetz, nach welchem die Drehung in einer 1 mm dicken Schicht mit der Entfernung von den Polen abnimmt, so kann man daraus sofort das Gesetz der Dicke ableiten.

Um zu bestimmen, wie die Drehung mit der Entfernung von den Polen abnimmt, befestigte Bertin ein Stück Faradayschen Glases an einem mit einer Millimeterteilung versehenen Stativ, so daß er es nach und nach in verschiedene Abstände von einem Pole eines Elektromagnets bringen konnte, und beobachtete bei konstanter Stärke des Magnetpoles die Drehung der Polarisationsebene in dem Glase. Das angewandte Glas hatte eine Dicke von 38,9 mm. Folgende Tabelle enthält eine von Bertins Versuchsreihen.

Abstand des Glases vom Pole = x	Drel	schtete hung	Verhältnis der auf einander folgenden Drehungen <u>y'</u> y	Dre	chnete hung 88504 y	Different
0	120	30′		120	30 ′	
5	11	10	0,8934	11	4	— 6'
10	9	35	0,8582	9	54	+ 19
15	8	30	0,8870	8	30	0
20	7	25	0,8762	7	31	+ 6
25	6	35	0,8876	6	33	_ 2
30	5	45	0,8735	5	50	+ 5
35	5	5	0,8840	5	5	. 0
40	4	35	0,9016	4	31	- 4
45	4	0	0,8728	4	4	+ 4
50 .	3	35	0,8857	3	32	<u>.</u> 3

Aus dieser Versuchsreihe ergiebt sich, daß die Drehung in einer germetrischen Reihe abnimmt, wenn die Abstände des Glases von dem Pelin einer arithmetischen Reihe wachsen; bezeichnen wir also die Drehung welche die Polarisationsebene in dem am Pole anliegenden Glase erfährt, nät A, und mit r einen echten Bruch, so ist die Drehung im Abstande rum

$$y = A r^x$$
.

Die Konstante A hüngt ab von der magnetischen Kraft des Poles und von der Dicke des Glases. Bezeichnet c die Drehung, welche die Polarisationsebene in einer 1 mm dicken Schicht am Pole erfährt, so wie

nach diesem Gesetze die Drehung in der zweiten ebenfalls 1 mm dicken Schicht des Glases sein, da diese Schicht zugleich 1 mm von dem Pole entfernt ist, $c \cdot r$, in der dritten Schicht $c \cdot r^3$, in der nSchicht $c \cdot r^{n-1}$; ist demnach die Dicke des Glases e mm, so ist

$$A = c (1 + r + r^2 + \dots r^{e-1}) = c \frac{1 - r^e}{1 - r},$$

und somit die Drehung y durch ein solches Glas in irgend einem Abstande x

$$y = c \, \frac{1-r^{\epsilon}}{1-r} \, r^{x}.$$

Befindet sich die diamagnetische Substanz zwischen zwei Polen, so soll sich die Wirkung der beiden Pole addieren; ist dann d der Abstand der beiden Pole, so ist, wenn obiger Ausdruck die Wirkung eines Poles giebt, die des anderen

$$y' = c \frac{1 - r^{\epsilon}}{1 - r} r^{d - x - \epsilon},$$

demnach die Wirkung beider Pole zusammen

$$z = y + y' = c \frac{1 - r^{e}}{1 - r} (r^{x} + r^{d - x - e}).$$

In der That stimmen die hiernach berechneten Werte für die Drehung ziemlich gut mit den beobachteten überein.

Die Größe c, welche Bertin den Koefficienten der magnetischen Polarisation nennt, hängt ab von der Größe der magnetischen Kraft und von der Natur der Substanz; bestimmt man sie bei gleicher magnetischer Kraft für die verschiedenen Substanzen, so kann man sie als ein Maß des molekularen Drehungsvermögens, welches die betreffenden Substanzen unter dem Einfluß der Magnete erhalten, betrachten. Dabei wird indes vorausgesetzt, daß bei geänderter magnetischer Kraft der Koefficient c sich für alle Substanzen gleichmäßig ändert. Nach Bertin soll das auch der Fall sein, und einige Versuche sprechen auch dafür, so folgende, in denen die Drehung Faradayschen Glases und Schwefelkohlenstoff bei verschiedener Stärke der magnetischen Kraft mit einander verglichen werden

Drehung in Faradayschem Glase	Drehung in Schwefelkohlenstoff	Verhältnis der Drehungen
18,3 mm dick	10 mm dick	
7° 42′	3° 18′	0,43
13° 48′	6° 0'	0,43
19	8° 18′	0,43.

Bertin hat für eine Reihe von Substanzen den Wert des Koefficienten c bestimmt; indem er ihn für Faradays Glas gleich 1 setzt, findet er ihn z. B. für gewöhnlichen Flintglas 0,53, Zinnchlorid 0,77, Schwefelkohlenstoff 0,74, Wasser 0,25, Alkohol 0,18, Äther 0,15.

Der Bertinsche Satz über den Einflus der Dicke auf die Drehung der Polarisationsebene stimmt ebenfalls nicht mit dem Faradayschen Satze überein, nach welchem die Drehung der magnetischen Kraft proportional sein soll, denn darnach müste die magnetische Kraft bei Entfernung vom Pole nach demselben Gesetze abnehmen, was sie indes nicht thut; ist daher das Gesetz von Faraday richtig, so kann man das Bertinsche nur als ein angenähertes betrachten, welches innerhalb gewisser Grenzen wohl geeignet ist, die Drehung zu bestimmen.

Die Richtigkeit des Faradayschen Gesetzes ist später durch die Versuche Verdets¹) bestätigt worden; die Methode derselben war folgende

Die einander zugewandten Polenden der durchbohrten Cylinder eines Rühmkorffschen Elektromagnets wurden mit Platten von weichem Eisen von 50mm Dicke und 140mm Durchmesser armiert, die in der Mitte dem Kanal der Eisenkerne entsprechend durchbohrt waren. Stellte man die so armierten Magnete in passenden Entfernungen 50mm—90mm gegenüber, so zeigte sich, dass ein durchsichtiges Medium im Magnetselke an allen Stellen, mit Ausnahme der unmittelbaren Nähe der Pole die Polarisationsebene gleich stark drehe. Daraus und aus direkten Messungen ergab sich, dass das Magnetseld gleichartig, d. h. dass die magnetische Kraft an allen Punkten des Feldes gleich war.

Um die Magnetkraft zu messen, wandte Verdet einen aus der in nächsten Kapitel zu besprechenden Theorie der Induktion folgenden Satan: Wenn in einem Raume von konstanter magnetischer Kraft ein kreiförmiger Leiter, dessen Ebene parallel der Richtung der Magnetkraft ist rasch so gedreht wird, dass seine Ebene senkrecht auf der Richtung der Magnetkraft zu stehen kommt, so wird in dem Leiter ein elektrischer Strom erregt, welcher der magnetischen Intensität proportional ist. Er brachte demnach in das Magnetfeld eine kleine Drahtspirale von 28 mm äusserem Durchmesser, an einem Stativ befestigt, so dass sie leicht um 90° gedreht werden konnte, und beobachtete den durch die Drehung in derselben erregten Induktionsstrom.

Darauf wurde an Stelle der Spirale die diamagnetische Substanz gebracht, die Drehung der Polarisationsebene beobachtet und dann nochmaldie Substanz mit der Spirale vertauscht und die magnetische Kraft bestimmt. Das Mittel aus den beiden nur wenig von einander abweichetden Bestimmungen wurde als die magnetische Kraft während des Versuches genommen.

Als diamagnetische Substanz wandte Verdet Parallelepipede von Faradayschem Glase, von 40 mm Länge, von Flintglas und von Schwefelkohlenstoff von ungefähr derselben Länge an. Die Drehung wurde mit Hilfeiner Doppelplatte bestimmt, teils für die Übergangsfarbe, teils für homgenes Licht. Letzteres wurde durch eine Lösung von schwefelsauem Kupferoxyd-Ammoniak erhalten, welches nur blaues der Linie G entsprechendes Licht durchläfst.

Folgende Tabelle enthält einige von Verdets Beobachtungen; in der ersten Kolumne findet sich der Abstand der Polffächen, in der zweiten die zur Erregung des Magnets benutzte Anzahl Bunsenscher Element, die dritte enthält unter m die durch den Induktionsstrom gemessene magnetische Intensität, die vierte unter α den beobachteten doppelten Drehungwinkel.

¹⁾ Verdet, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XLI. Poggend. Ans. Bd. XCII.

Faradaysches Glas 40 mm dick.

Drehung der Übergangsfarbe					des	blauen Lic	hts	
а		n	m	α	m.	m	α	m
60 n	nm	20	143,37	90 13,75'	3,86	157,5	16° 36′	6,32
80	17	20	115		3,90	119	13° 13′	6,66
	"	10	112,37	70 17,75'	3,89	109,6	11° 44′	6,42
$\Omega \Omega$	"	10	63,62	3° 55,75′	3,71	·		

Es ergiebt sich also, dass die Drehung der Polarisationsebene in einer durchsichtigen Substanz stets der Intensität der auf die Substanz wirkenden Kraft proportional ist, sei es, dass die magnetische Kraft durch Veränderung des Magnetismus der Pole, sei es, dass sie durch Veränderung des Abstandes derselben geändert wird¹).

Dasselbe Gesetz ergiebt sich aus den Versuchen Verdets²), über die Abhängigkeit der Drehung der Polarisationsebene von dem Winkel, welchen der Lichtstrahl mit der Richtung der magnetischen Kraft, also mit der axialen Richtung bildet. Um diese zu untersuchen, wandte Verdet einen vertikal gestellten drehbaren Elektromagnet an. In der Drehungsaxe desselben war die durchsichtige Substanz aufgestellt, so daß sie etwas über die Polflüchen hervorsah. Der Lichtstrahl durchlief immer dieselbe Dicke der Substanz; die Neigung des Strahles gegen die axiale Richtung wurde durch Drehung des Elektromagnets um die vertikale Axe hervorgebracht. Es ergab sich, dass die Drehung der Polarisationsebene dem Cosinus des Winkels d proportional ist, welchen der Strahl mit der axialen Richtung bildet. Es ergiebt sich das unter anderem aus folgenden Zahlen:

Farada	ysches Glas	40 mm dick	Schweie	IKonienston	44 mm die
d	α	$\frac{\alpha}{\cos d}$	d	α	cos d
O_0	80 55,75	535,75	O_0	5° 58′	358,0
30^{0}	70 40,0'	531,25	30^{0}	5^{0} 7,75	355,25
60^{o}	40 28,75	537,50	60°	2^0 58,75	357,50.

,, ,

Es folgt aus diesem Satze, dass es für die Abhängigkeit der Drehung von der Dicke der durchlaufenen Schicht in einem ungleichartigen Magnetfelde kein allgemeines Gesetz geben kann, da die Änderung der magnetischen Kraft mit der Entfernung von den Polen nicht für alle Magnete dieselbe ist.

Ebenso wie die Drehung der Polarisationsebene der magnetischen Kraft proportional ist, ist sie nach den Versuchen von Wiedemann³) auch proportional der Stromstärke, wenn man durchsichtige Substanzen in eine vom Strom durchflossene Magnetisierungsspirale legt. Wiedemann wandte bei seinen Versuchen Flüssigkeiten an; dieselben wurden in Röhren von 210mm Länge in Kupferdrahtspiralen gelegt, und die Drehung bestimmt,

¹⁾ Der gleiche Satz gilt nach den vorhin erwähnten Messungen Grumnachs für die Drehung der Polarisationsebene der Wärmestrahlen.
2) Verdet, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XLIII.

⁸⁾ Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. LXXXII.

wenn der Strom in der einen oder der entgegen die Spirale ging. Die Stromstärke wurde an e welcher durch eine Tangentenbussole ging. So gende Werte für die Drehung der Fraunhofers in Schwefelkohlenstoff.

Stromstärke	D	E
260	0,7	1,1
325	1	1,25
364	1	1,3
394	1,2	1,7
456	1,4	1,75
521	1,5	2,2

Die Zahlen bestätigen das angegebene Gese aufserdem, dass die Drehung von der Wellenlänge in derselben Weise abhängt, wie bei den dopp sie nimmt zu, wenn die Wellenlänge kleiner wi

Verdet¹) hat später die Abhängigkeit der länge genauer untersucht und gelangte zu den dem Quadrate der Wellenlänge annähernd um daß indes wenn e die Drehung für die Wellen el² mit abnehmender Wellenlänge stets etwas zweiten Bandes sahen wir, daß die optische Drübrigen die Polarisationsebene drehenden Substkeit von der Wellenlänge sich nach Boltzmann der Form

$$\varrho = \frac{A}{\lambda^2} + \frac{B}{\lambda^4}$$

darstellen läßt. Eine ganz ebensolche Gleicht als die genauesten betrachteten Messungen der l in Schwefelkohlenstoff und Creosot dar. Setzen

für Schwefelkohlenstoff
$$A = 190,29$$

" Creosot $A = 132,22$

wenn für die Wellenlängen die zehntausendstel setzt werden, so ergeben sich als berechnet die Reihe angegebenen Werte.

	* Schwefelkohlenstoff			
	C	D	E	
beob.	5,373	6,973	9,081	11
ber.	5,373	6,960	9,162	11
		(Creosot	
beob.	3,869	5,117	6,748	8,8
ber.	3,869	5,086	6,757	8,3
Zahlen	gehen	die Dreh	nngen für	e die

¹⁾ Verdet, Ann. de chim. et de phys. III. S

Die

romstärke und Röhrenlänge, sie haben somit nur eine relative Be-

Auch für die übrigen von Verdet untersuchten Substanzen, bei denen die Drehung bezogen auf jene der Linie E gleich 1 angiebt, giebt Boltzmannsche Gleichung die Drehungen wieder.

Man könnte daraus zu der Vermutung kommen, dass in solchen Subinzen, welche für sich schon den Strom drehen, die magnetische Drehung die verschiedenen Farben zu der optischen Drehung in einem konnten Verhältnisse stehe.

Für das Terpentinöl ist das nach den Messungen Wiedemanns allerdings nähernd der Fall. Im allgemeinen gilt das aber nicht, wie das schon s der Beobachtung Verdets sich ergiebt, dass bei Weinsäurelösung, Iche für die optische Drehung für eine in der Nähe von E liegende ellenlänge ein Maximum hat, die magnetische Drehung mit abnehmender ellenlänge stetig zunimmt. Die magnetische Drehung der Weinsäure st sich ebenso wie diejenige der übrigen Substanzen durch die Boltzunnsche Gleichung mit einem positiven Werte von B darstellen. Auch obachtungen von Bichat¹) beweisen, dass eine Beziehung zwischen der tischen und magnetischen Drehung allgemein nicht vorhanden ist.

Die Größe der Drehung ist für die verschiedenen Substanzen nach sgedehnten Messungen von H. Becquerel²) sehr verschieden, am kleinsten sie bei den Gasen. Becquerel sowohl wie Kundt und Röntgen haben eselbe mit der des Schwefelkohlenstoffs unter sonst gleichen Verhältssen, gleicher magnetisierender Kraft und gleicher Lünge der durchcahlten Schicht verglichen. Nach Kundt und Röntgen³) ist die ehung in

Wasserstoff	Sauerstoff	Stickstoff	Grubengas
132,10-6	$109,10^{-6}$	$127,10^{-6}$	430,10-6

n derjenigen in Schwefelkohlenstoff.

Wie vorhin bereits erwähnt wurde, hat Verdet gefunden, dass eine isung von Eisensalzen die Polarisationsebene schwächer dreht als eine asserschicht von gleicher Dicke. Die Drehung in der Lösung wird teils on dem in der Lösung enthaltenen Salze, teils von dem Wasser bewirkt. a nun in einem gleichartigen Magnetfelde die Drehung der Dicke der irchstrahlten Schicht proportional ist, so kann man aus dem bekannten cozentgehalte und der Dichtigkeit der Lösung berechnen, welchen Anteil ı der Drehung das Salz, welchen das Wasser hat, indem man bestimmt, ie dick die Schicht des in der Lösung enthaltenen Wassers ist. an diese Rechnung bei den Eisensalzen durch, so findet man, dass dielben die Polarisationsebene in entgegengesetztem Sinne drehen als die sher angeführten Substanzen. Es gelang Verdet auch, diese negative rehung direkt an einer Lösung von Eisenchlorid in Holzgeist oder Äther

¹⁾ Bichat, Journal de physique. T. IX.

²⁾ H. Becquerel, Ann. de chim. et de phys. V. Série T. XII. 3) Kundt und Röntgen, Wiedem. Ann. Bd. X. Man sehe auch Bichat, er das magnetische Drehungsvermögen der Flüssigkeiten und ihrer Dämpfe, urnal de physique T. IX.

nachzuweisen¹). So fand er z. B. bei einer Lösung von 8g Einelle in 32 g Äther eine deutliche Drehung zur Linken unter Umstäder. Wasser und Alkohol zur Rechten drehen. Eine Lösung von 56g Ein chlorid in 45 g Holzgeist drehte die Polarisationsebene fast deput stark zur Linken, als das Faradaysche Glas sie zur Rechten dreit.

Wie das Eisenchlorid verhalten sich fast alle Eisensalse zich nahme des diamagnetischen Ferrocyankaliums. Es lag daher die li mutung nahe, dass die magnetischen Salze in den Lösungen statist negatives Drehungsvermögen besitzen. Diese Vermutung zeigte schill nicht bestätigt²), da die Nickel-, Mangan- und Kobalt-Salze ein puit Drehungsvermögen, dagegen Chromsaure, chromsaures Kali, Titas u. a., die diamagnetisch sind, ein negatives Drehungsvermögen bebar

Ein ganz besonderes Interesse bietet es, dass während die Daie der magnetischen Eisensalze eine negative ist, in dem metallischen selbst die Drehung der Polarisationsebene positiv ist, das heißt als Sinne der Molekularströme der Ampèreschen Theorie in den Poles, schen denen das Eisen sich befindet, stattfindet. Gleiches gilt tet beiden magnetischen Metalle Nickel und Kobalt.

Es gelang Kundt³), durchsichtige Platten dieser Metalle hersatil indem auf platiniertes Glas, wie es R. König in Paris zu seinen bei akustischen Apparaten zu verwendenden rotierenden Spiegeln benutz Metalle Eisen, Nickel und Kobalt in gleichmäßigen dünnen und sichtigen Schichten niederzuschlagen. Indem diese durchsichtigen Mi schichten zwischen die Pole eines Rühmkorffschen Magnets gebracht we liefs sich eine starke Drehung der Polarisationsebene erkennen. Un Drehung, welche die niedergeschlagene Metallschicht allein hervorten zu bestimmen, wurde an einer eisenfreien Stelle derselben Platte zun die Drehung bestimmt, welche Glas und Platin allein hervorbrachten darauf die Summe der Drehungen in Glas, Platin und Eisen. Die I renz der beiden Beobachtungen gab die Drehung im Eisen allein. K erhielt in dieser Weise Drehungen in durchsichtigen Eisenschichter zu 3° 42'.

Die Drehung im Eisen ergab sich 32 000 — 35 000 mal größe in dem zu diesen Versuchen benutzten Glase. Durch Wägung einer platte ehe und nachdem Eisen auf derselben niedergeschlagen war, sich nämlich die Dicke der anscheinend ganz gleichmässigen Eisensc zu 0,000055 mm. Die Drehung für die mittlern Strahlen des Spekt betrug durch Glas und Platin 10 37', durch Glas, Platin und 3º 25', also durch das Eisen allein 1º 48'. Die Platinschicht träg Drehung fast gar nichts bei, so dass wir die Drehung von 1º 37 ganz von dem 1,61 mm dicken Glase erzeugt ansehen können. Ol also das Glas die 29 273 fache Dicke hatte, war die Drehung im die 1,11 fache. Annähernd gleich fand sich die Drehung im Kobal heblich kleiner im Nickel.

¹⁾ Verdet, Comptes Rendus. T. XLIII. Poggend. Ann. Bd. C. Ann. de et de phys. III. Sér. T. LIII.
2) Verdet, Ann. de chim. et de phys. III. Sér. T. LII.

⁸⁾ Kundt, Wiedem. Ann. Bd. XXIII.

sichend von den übrigen Substanzen gab das Eisen indes eine totationsdispersion, die roten Strahlen wurden erheblich stärker s die blauen; genauere Messungen der Rotationsdispersion konnte her nicht ausführen.

Drehung der Polarisationsebene durch den Magnetismus beziee den Strom beruht, wie Righi¹) nachgewiesen hat, ganz ebenso atürliche Drehung darauf, dass in den durchstrahlten Substanzen igende geradlinig polarisierte Strahl in zwei cirkular polarisierte on denen in den mit positiver Drehung begabten Substanzen ne der Ampèreschen Molekularströme schwingende sich schneller Righi liefs das geradlinig polarisierte Licht, ehe es in eine Schwefelkohlenstoff eintrat, durch einen Fresnelschen Doppelzwei Wellenzüge verwandeln, denen er entgegengesetzt cirkuisation erteilte. Nachdem die Wellenzüge durch den Schwefelhindurchgegangen waren, wurden sie durch einen Nicol wieder und parallel polarisiert und zur Interferenz gebracht. Die Inansen wurden in einer Fresnelschen Loupe mit Okularmikrometer Wenn nun die beiden entgegengesetzt cirkularen Strahlen Einflus des Magnetismus im Schwefelkohlenstoff eine verschierung ihrer Geschwindigkeit erhalten, so erhalten sie eine Phasenind es muss somit, wenn durch die die Schwefelkohlenstoffröhre 3 Spirale ein Strom geführt wird, eine Verschiebung der Interen eintreten. Righi konnte diese Verschiebung beobachten und

en wir daher λ'' die Wellenlänge des im Sinne der Molekularwingenden eirkular polarisierten Strahles, λ' die des andern, so ir gerade wie im §. 109 des zweiten Bandes die Drehung ϱ

$$\varrho = \pi d \left(\frac{1}{\lambda'} - \frac{1}{\lambda''} \right),$$

ie Länge der durchstrahlten Schicht ist. Ist 1 die Wellenlänge io können wir setzen

$$\varrho = \frac{\pi d}{1} (n' - n''),$$

mit n' und n'' die Brechungsexponenten der beiden cirkular en Strahlen bezeichnen.

t macht darauf aufmerksam, wie groß das Drehungsvermögen des indem sich aus seinen Beobachtungen für Eisen n'-n''=0,1 rend von Lang (Bd. II §. 109) diese Differenz für die beiden im der Richtung der Axe durchtretenden Strahlen nur 0,0000718

allein bei dem Durchgange durch Körper unter magnetischem sondern auch bei Reflexion an solchen tritt eine Drehung der unsehene ein. Kerr²) hat zunächst gezeigt, daß wenn man von

ghi, Nuovo Cimento 3 series Bd. III. Beiblätter zu Poggend. Ann. 15.

rr, Philos. Magazin 5. series Bd. Ill, Bd. V.

einem spiegelnden Magnetpol einen polarisierten Lichtstrahl reflektieren lässt, eine Drehung der Polarisationsebene im negativ eintritt; das gleiche Resultat erhielten Gordon1) und Kundt3. Au andern Einfallswinkeln und ebenso wenn das Licht von spiegelnde flächen eines Magnetes reflektiert wird, tritt im allgemeinen eine der Polarisationsebene ein, wenn der Magnet erregt wird. Eben man eine Drehung der Polarisationsebene, wenn man Kisen- od oder Nickelspiegel in die Nähe eines Magnetes bringt und Licht reflektieren läßt, Silberspiegel zeigen nach Kundt diese Erscheins Kundt bemerkt, dass alle diese Reflexionserscheinungen so verla wenn die Strahlen bei der Reflexion bis zu einer gewissen Tief Metall eindrängen und in der dünnen Schicht eine negative erhielten.

Aus der Thatsache, dass die magnetische Drehung der Pols ebene auf demselben physikalischen Vorgange beruht wie die a Doppelbrechung folgt, dass durch die magnetischen Einflüsse die der drehenden Körper in ähnliche Verhältnisse gebracht werden wie sie es bei den natürlich drehenden Körpern sind. In diese haben C. Neumann³) und besonders in letzter Zeit Voigt⁴) eine mechanische Theorie dieser Erscheinung gegeben. Wir können I diese Theorie nicht eingehen und verweisen deshalb auf die Abhan der genannten Mathematiker.

Drittes Kapitel.

Elektrische Induktion.

§. 139.

Induktion in linearen Leitern. Von den Wirkungen der gal schen Ströme erübrigt noch eine, die elektrische; die Erregung von trischen Strömen in Leitern, welche sich in der Nähe anderer St Auch die Entdeckung dieser Wirkungen verdanken wir experimentellen Scharfsinne Faradays⁵); er glaubte in dem später s trachtenden Rotationsmagnetismus Aragos 6) eine elektrische Ersche zu erkennen, und es gelang ihm bald, die Erregung elektrischer 8 durch andere Ströme und durch Magnete nachzuweisen. Schon bei ersten Bekanntmachung teilte Faraday alle vier Arten mit, in v durch Ströme oder Magnete in linearen Leitern Ströme erregt w wir wollen sie in derselben Reihenfolge mitteilen und untersuchen

¹⁾ Gordon, Physical treatise of Electricity vol. II. p. 261. 2) Kundt, Wiedem. Ann. Bd. XXIII.

³⁾ C. Neumann, Die magnetische Drehung der Polarisationsebene der Halle 1863.

⁴⁾ Voigt, Wiedem. Ann. Bd. XXIII. S. 493. 5) Faraday, Experimental researches. Ser. I. Poggend. Ann. Bd. 6) Arago, Annales de chim. et de phys. T. XXVII.

Ein Kupferdraht von 62 m Länge wurde in einem Stück um eine ofse Walze von Holz gewickelt1), und zwischen seinen Windungen, indes urch Zwirnsfaden an jeder direkten Berührung derselben gehindert, ein veiter ähnlicher Draht von gleicher Länge. Der eine dieser Drähte wurde it dem Galvanometer, der andere mit einer kräftigen galvanischen Batterie rbunden. Im Moment der Verbindung des Drahtes mit der Batterie war ne plötzliche Wirkung auf das Galvanometer sichtbar, und eine ähnche Wirkung zeigte sich, als diese Verbindung aufgehoben wurde. So nge indes der elektrische Strom fortfuhr durch den einen Schraubenraht zu gehen, konnte keine Spur von Wirkung bemerkt werden.

Die Ablenkung der Nadel war im Momente des Schließens derjenigen m Momente der Stromunterbrechung entgegengesetzt gerichtet; sie war m Momente des Schliefsens so, als wenn durch den entstehenden Strom n den parallelen Windungen des Schraubendrahtes ein dem entstehenden er Richtung nach entgegengesetzter Strom erregt würde, im Augenblicke es Offnens aber ein dem verschwindenden Strome gleich gerichteter.

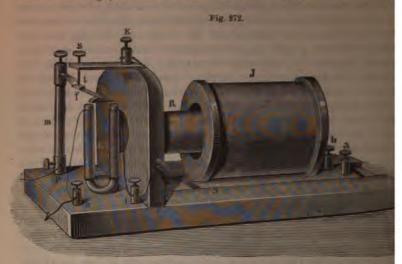
Um außer durch die Ablenkung der Galvanometernadel den Nachreis zu liefern, dass der in der ersten Spirale entstehende oder verschwinende Strom in der zweiten Spirale einen elektrischen Strom erzeuge, uchte Faraday sofort auch die übrigen Wirkungen der galvanischen Ströme achzuweisen. Es gelang ihm, die magnetisierende Wirkung zu zeigen; enn als er, anstatt ein Galvanometer einzuschalten, die Enden der Drähte m eine Glasröhre wand und mit einander verband, wurde eine in die lasröhre gelegte Stahlnadel magnetisiert, als er den Strom in der ersten nirale herstellte. Ebenso, aber in entgegengesetzter Richtung wurde die idel magnetisiert, als er sie nach Herstellung des Stromes in der ersten irale in die Glasröhre einlegte, und dann den Strom unterbrach.

Andere Wirkungen nachzuweisen, gelang es zunächst bei diesem rsuche Faraday nicht. Es gelingt das indessen leicht, wenn die Inktionsströme verstärkt werden. Wie wir im nächsten Paragraphen nachisen werden, nimmt bei einer ähnlichen Anordnung der Spiralen die rke des Induktionsstromes mit der Zahl der Windungen der zweiten Induktionsspirale zu. Um deshalb einen kräftigen Induktionsstrom erhalten, windet man (Fig. 272) auf eine hohle Rolle J mehrere hun-** Meter feinen Kupferdraht, dessen Enden mit den Klemmen a und b Verbindung sind. In die hohle Induktionsrolle J, welche bei dem blittenapparate von Du Bois-Reymond auf einem hölzernen Schlitten S, 3. 272, horizontal befestigt ist, passt die induzierende Rolle R, welche enfalls aus einem langen, um eine hohle Rolle gewickelten Kupferdrahte Steht. Durch die innere Rolle wird der induzierende Strom geleitet.

Da die in der Induktionsrolle erzeugten Ströme von äußerst kurzer auer sind, ist es, um die Wirkungen dieser Ströme zu zeigen, notwendig, en induzierenden Strom häufig zu schließen und zu unterbrechen. Zu esem Zwecke ist an dem Apparate Fig. 272 ein selbstthätiger Unter-Pecher, der von Neef beschriebene Wagnersche Hammer angebracht?). erselbe besteht aus einer Feder f, welche an der Messingsäule m be-

Faraday, a. a. O.
 Neef, Poggend, Ann. Bd. XLVI. S. 107.

festigt ist und an seinem freien Ende den kleinen eisernen Anker In der Mitte der Feder ist auf der oberen Seite ein kleines Pla chen I befestigt, welches durch die Feder gegen die Platinsp



Schraube s gedrückt wird. Die Schraube s ist durch den Metalls in welchem sie sich bewegt, mit der Klemme k in Verbindung, cher das eine Ende des induzierenden Drahtes befestigt ist. Das Ende des induzierenden Drahtes ist mit der Klemme I verbunden dieser Klemme führt ein Draht um den Elektromagnet E. dessen St vertikal stehen und dessen Polflächen sich otwas unterhalb des Ankers h befinden; von dort führt der Draht zu der Klemme n. V die Öffnung p der Säule m der eine, in die Klemme n der ander tungsdraht einer Batterie eingesetzt, so fliefst durch die induzierund ein Strom, welcher, wenn p mit dem positiven Pole der Batterie T den ist, von dort durch m in die Feder f, durch s nach k, dann die induzierende Rolle fliefst, aus dieser zur Klemme I kommt, da Elektromagnet E umkreist und über n zur Batterie zurückkehrt. dessen wird der Elektromagnet magnetisch, zieht den Anker N unterbricht dadurch die Stromleitung bei t. Der Strom hört dann induzierenden Rolle auf; dadurch wird aber auch der Elektromagnet unmagnetisch und der Anker h durch die Kraft der Feder wieder g bis die Platte t wieder die Spitze s berührt. Dadurch ist der wieder hergestellt und das Spiel wiederholt sich wie oben 1).

Auf diese Weise erhält man je nach der Stellung der Spit mehr oder weniger rascher Folge einzelne, die induzierende Relle laufende Ströme, deren jeder in der Induktionsspirale bei seinem I und beim Aufhören einen Strom induziert, den Schliefsungsstrom t Öffnungsstrom. Die beiden Ströme sind einander entgegengesetzt ge

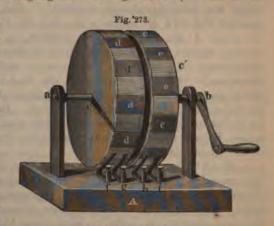
¹⁾ Eine etwas veränderte Form des Hammers giebt *Halske*, Pogge Bd. XCVII.

dafs in der Induktionsspirale abwechselnd hin- und hergehende Ströme handen sind. Für den Nachweis, dass die thermischen und elektronamischen Wirkungen der gewöhnlichen Ströme auch den Induktionsömen zukommen, schadet das nichts, da die thermischen Wirkungen ht von der Richtung der Ströme abhängig sind, und da, wenn man Induktionsströme gleichzeitig durch die feste und bifilare Rolle des namometers leitet, auch hier die verschiedene Richtung der Ströme ne Einflus ist; das Drehungsmoment, welches die feste der losen Rolle teilt, hängt nur davon ab, ob in den beiden Rollen die Richtung des romes gleich oder entgegengesetzt ist; wird daher in beiden Rollen die chtung des Stromes gleichzeitig geändert, so bleibt das Drehungsmoment sselbe. Leitet man die Induktionsströme durch ein Dynamometer, so hält die Bifilarrolle deshalb bald eine konstante Ablenkung, welche dem adrate der Stromintensität proportional ist, so dass man das Dynamoter sehr bequem als Messapparat für Induktionsströme benutzen kann.

Die chemischen Wirkungen lassen sich mit diesem Apparate schon ich einen einzigen Strom nachweisen, wenn man die Enden des Drahtes ein mit Jodkaliumkleister bestrichenes Papier legt; unter dem posin Drahtende wird Jod abgeschieden, welches sich durch Blaufärbung Kleisters zu erkennen giebt. In einem Voltameter erzeugt schon ein elner Strom Polarisation; läst man durch dasselbe die Ströme nur einem Sinne gehen, also z. B. nur den Öffnungsstrom, so zeigt sich eine Gasentwickelung. Man kann das erreichen, wenn man den mkreis des Induktionsstromes durch eine dünne Luftschicht unterbricht, in diese den Übergang, also die Ausbildung des Schließungsstromes indert, nicht aber den Übergang des Öffnungsstromes 1). Man erhält

also eine Reihe einer, sich rasch folgender ch gerichteter Ströme, che zur Elektrolyse bet werden können.

Ein anderes Mittel, um er Induktionsspirale nur hgerichtete Ströme zu dten, ist die Einschaldes Doveschen Disjunkan Stelle des Hams. Fig. 273 zeigt denben in der Form, welche Wiedemann gegeben hat. If die beiden Hälften einer scheine isolierende Schicht



Elfenbein geteilten Metallaxe ab sind zwei Metallräder c und c' aufsetzt, deren Ränder abwechselnd mit nichtleitenden Segmenten d und c sgelegt sind; die Segmente d sind etwas breiter als c. Das Rad c' ist gen das andere etwas verstellbar. Gegen die Räder schleifen die mit den

¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. XCIV.

²⁾ Dove, Poggend. Ann. Bd. XLIII. Wicdemann, Galvanismus Bd. II. §. 544.

Klemmen f, g, h, i verbundenen Federn. Die Räder c, c' werden durch eine Kurbel oder einen Schnurlauf gedreht. Schaltet man das Rad in den Stromkreis der induzierenden, das Rad c' in den der Induktionspirale ein, und stellt die Räder so, daß die Federn h, i etwas früher die leitenden Metallflächen berühren, und ebenso etwas früher verlasse als die Federn f, g, so kommt in der induzierten Spirale nur der Schliesungsstrom zustande, nicht der Öffnungsstrom; stellt man die Räder andaß die Federn h und i die leitenden Metallflächen etwas später erreichs und später verlassen, so tritt in der Induktionsspirale nur der Öffnungstrom auf. Wenn man aber die Räder so stellt, daß die breiteren Metallflächen auf c' früher erreicht und später verlassen werden, so entstehen in der Induktionsspirale beide Ströme wie bei dem Wagnerschen Hammer.

Es ergiebt sich aus den angegebenen Versuchen, das jedesmal dam, wenn in der Nähe eines geschlossenen Leiters ein Strom entsteht der verschwindet, in dem Leiter ein elektrischer Strom erregt wird; diest Satz lässt sich noch weiter ausdehnen, das jedesmal, wenn in der Nähe eines geschlossenen Leiters die Stärke eines Stromes geändert wird, es Strom entsteht, welcher bei Zunahme der Stromintensität dieselbe Kichtung hat wie der Schließungsstrom, bei Abnahme derselben dagegen der Richtung des Öffnungsstromes. Man kann das sehr leicht zeigen, wen man den Stromkreis der induzierenden Spirale mit einer Zweigleitzur versieht, welche man abwechselnd öffnet und schließt.

Aber nicht allein wenn man in einem von zwei benachbarten Strekreisen die Intensität des Stromes ändert, entsteht in dem andern ein Induktionsstrom, sondern auch dann schon, wenn man einem geschlossent Kreise einen von einem Strome durchflossenen Leiter nähert oder der selben von dem Stromkreise entfernt. Man stelle an dem Induktionapparate Fig. 272 die Spitze so, daß die Feder die Spitze und zugleit der Anker h den Elektromagnet berührt, so daß also durch die interzierende Spirale ein konstanter Strom hindurchfließt. Man schließe Er Induktionsspirale durch ein Galvanometer und schiebe sie rasch auf de induzierende Spirale; sofort zeigt die Nadel des Galvanometers eines Strom an, welcher gleich dem Schließungsstrome die entgegengesten Richtung hat, wie der erregende Strom. Der Strom hört auf, solsk die Induktionsspirale in Ruhe ist. Zieht man sie rasch von der induzrenden Spirale ab, so entsteht wieder ein Strom, welcher dem Öffnungsstrome gleich gerichtet ist.

Es ist indes nicht einmal erforderlich, dass die beiden Stromkreis sich einander parallel nähern, sondern im allgemeinen entsteht schon er Strom, wenn zwei Stromkreise ihre gegenseitige Lage ändern, welcher slange dauert wie die Bowegung der Stromkreise. Das Gesetz diese Stromerregungen hat Lenz²) gleich nach Faradays Entdeckung richtig erkannt und allgemein folgendermassen ausgesprochen:

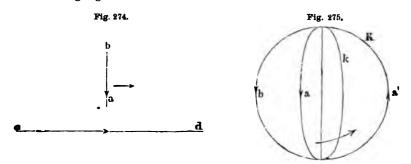
"Wenn sich ein metallischer Leiter in der Nühe eines galvanischen Stromes bewegt, so wird in ihm ein elektrischer Strom von solcher Richtung erregt, dass durch die elektrodynamische Wirkung des erregendes

Faraday, Experimental researches. Ser. I.
 Lenz, Poggend. Ann. Bd. XXXI.

auf den erregten Strom die dem Leiter desselben erteilte Bewegung gerade entgegengesetzt der Bewegung wäre, welche den Induktionsstrom veranlafst hat, vorausgesetzt, daß der induzierte Leiter nur in der Richtung der erteilten Bewegung und in der entgegengesetzten beweglich wäre."

Wie dieses Gesetz den soeben beschriebenen Versuch ergiebt, sieht man sofort. Nähert man einem Strom einen ihm parallelen Leiter, so entsteht in demselben ein dem erregenden entgegengesetzter Strom; die beiden Ströme stoßen sich ab, der bewegte Draht würde also infolge der elektrodynamischen Wirkung von dem erregenden Strome sich entfernen; die infolge derselben eintretende Bewegung würde also derjenigen entgegengesetzt sein, welche den Induktionsstrom veranlaßt hat.

Dies Gesetz läst in allen Fällen die Richtung des Induktionsstromes erkennen. Verschiebt man z. B. Fig. 274 den Draht ab parallel sich selbst über dem Strome cd nach d hin, so entsteht in dem Drahte ab ein von b nach a gerichteter Strom. Dieser Strom würde durch die elektrodynamische Wirkung nach c hin verschoben werden; also auch hier ist durch die Bewegung ein Strom erregt, welcher infolge der elektrodynamischen Wechselwirkung der beiden Drähte dem Drahte ab die entgegengesetzte Bewegung erteilen würde.



Fliest durch den Kreis k (Fig. 275) ein Strom in der Richtung der Pfeilspitze, so würde derselbe durch den Strom im Kreise K so gedreht, dass a sich gegen b hin bewegt. Durch Induktion entsteht in k ein solcher Strom, wenn man ihn nach entgegengesetzter Richtung, also so dreht, dass a gegen a' hin bewegt wird.

Nach der Ampèreschen Theorie beruhen die Eigenschaften der Magnete darauf, dass die Moleküle derselben von einander parallelen Molekularströmen umkreist werden; umgeben wir nun einen Eisenstab mit zu seiner Axe senkrechten Umwindungen und magnetisieren denselben dann, so muß infolge des Magnetisierens in der Spirale ein Induktionsstrom erregt werden, der so lange dauert, als das magnetische Moment des Stabes sich andert. Die Richtung des bei dem Magnetisieren entstehenden Induktionsstromes muß der Richtung der Molekularströme entgegengesetzt sein, da auch, wenn wir annehmen, daß das Magnetisieren Folge einer Drehung der Molekularströme ist, nach dem Lenzschen Gesetze die Richtung der dadurch entstehenden Ströme dieselbe ist, als wenn plötzlich im Magr Molekularströme in zur Axe senkrechten Ebenen erregt werden.

Wenn in dem von der Spirale umgebenen Eisenstabe der Magnetisms wieder verschwindet, so muß ebenfalls ein Strom induziert werden, wekhe mit den Molekularströmen des Magnets gleich gerichtet wird.

Diese Induktion, welche Faraday zum Unterschiede von der duch elektrische Ströme bewirkten Induktion Magnetoinduktion nennt1), derselbe zuerst auf folgende Weise nachgewiesen. Ein eiserner Ring von 16 cm äußerem Durchmesser und 23 mm Dicke wurde zur Hälfte zi einer Magnetisierungsspirale umgeben; die andere Hälfte wurde mit eine ähnlichen von der ersten getrennten Spirale umwickelt, welche durch de Galvanometer geschlossen wurde. Wurde dann durch die Magnetisierung spirale ein Strom geleitet, so wurde die Nadel des Galvanometers moment abgelenkt, und zwar viel kräftiger, als bei den früher beschriebenen Vasuchen der Fall gewesen war, obgleich dort viel kräftigere Batterien = gewandt waren. Sobald das magnetische Moment des Ringes konstant geworden war, kehrte die Nadel wieder zur Ruhelage zurück. durch Unterbrechung des Stromes der Magnetismus des Ringes aufgehobe, so zeigte sich ein neuer Induktionsstrom, dessen Richtung derjeniges der beim Magnetisieren entstandenen Stromes entgegengesetzt war.

Anstatt des eisernen Ringes kanneman auch einen Elektromages wühlen, dessen Anker mit einer Induktionsspirale umwickelt ist; durch abwechselndes Magnetisieren und Entmagnetisieren des Elektromages wird auch der Anker abwechselnd magnetisch und unmagnetisch, und de durch werden in der denselben umgebenden Spirale hin- und hergebeste Ströme induziert.

Anstatt Elektromagnete kann man zu diesen Versuchen auch gewöhrliche Stahlmagnete anwenden, deren Polen man dann die mit Induktionspiralen umgebenen Anker nühert, oder von denen man die Anker entfern. Beim Annühern werden die Anker magnetisch und infelgedessen entsteht in den Spiralen ein Induktionsstrom, beim Entfernen werden die Anker unmagnetisch und in den sie umgebenden Spiralen entsteht ein entgegetgesetzter Strom.

Auch an den magnetelektrischen Strömen lassen sich alle Wirkunger der gewöhnlichen elektrischen Ströme nachweisen; man wendet zu der Ende magnetelektrische Maschinen an, deren Einrichtung wir beschreiben werden, nachdem wir die Gesetze der Induktionsströme untersucht habet

Wie bei der Induktion durch elektrische Ströme ein Strom auch dadurch induziert wird, das zwei Leiter, deren einer von einem Stroms durchflossen wird, ihre Lage gegen einander ändern, so entsteht auch eis Strom, wenn ein Magnet seine Lage gegen einen Leiter ändert. Com die Richtung der Ströme in allen Fällen zu bestimmen, dient auch hier die Gesetz von Lenz. Der durch eine Bewegung des Magnets oder Leiter in dem letztern erregte Strom hat eine solche Richtung, das durch die elektromagnetische Wirkung zwischen dem erregten Strome und Magnet dem Leiter oder Magnete eine Bewegung erteilt würde, welche derjenigen die den Strom erregt hat, entgegengesetzt wäre.

¹⁾ Faraday, Experimental researches. Ser. I.

²⁾ Faraday, a. a. O.3) Lenz, Poggend. Ann. Bd. XXXI.

Wenn man z. B. in eine Induktionsspirale einen Magnet rasch bis zur Mitte einführt, so entsteht in der Spirale ein Strom, dessen Richtung jener der die Magnetmoleküle umkreisenden Ströme entgegengesetzt ist. Diese Richtung ergiebt sich aus dem Gesetze von Lenz folgendermaßen. Nähert man einer beweglich aufgestellten, von einem Strome durchflossenen Spirale einen Magnet, dessen Axe der Axe der Spirale parallel ist, so daß die Molekularströme des Magnets dem Strome in der Spirale parallel und gleich gerichtet sind, so wird die Spirale über den Magnet hingezogen, da die einander parallelen Ströme sich anziehen, bis sich die Spirale über der Mitte des Magnets befindet. Ist umgekehrt die Spirale fest, der Magnet beweglich, so wird der Magnet in die Spirale hineingezogen. Nähern wir der Spirale aber den Magnet so, daß die Molekularströme desselben und der Strom der Spirale parallel, aber entgegengesetzt gerichtet sind, so stoßen Magnet und Spirale sich ab. Durch das Hineinschieben wird also ein Strom erzeugt, welcher den Magnet abstoßen würde.

Zieht man den Magnetpol aus der Spirale wieder heraus, so entsteht ein entgegengesetzt gerichteter Strem, ebenso als wenn man anstatt des einen Poles den entgegengesetzten in die Spirale schiebt. Schiebt man deshalb einen Magnet rasch durch eine Spirale hindurch, so entstehen in derselben zwei einander entgegengesetzte Ströme.

Auch die Entstehung des Induktionsstromes bei dem im vorigen Paragraphen beschriebenen Versuche von Verdet ergiebt sich hiernach unmittelbar; befindet sich ein geschlossener Stromkreis zwischen zwei Magnetpolen, so daß seine Ebene der axialen Richtung parallel ist, so wird je nach der Richtung des Stromes der Kreis durch elektromagnetische Wirkung in dem einen oder andern Sinne so gedreht, daß die Stromebene zur axialen Richtung senkrecht wird. Dreht man daher einen nicht von einem Strome durchflossenen Kreis, welcher der axialen Richtung parallel ist, in eine zu derselben senkrechte Lage, so entsteht ein Strom, dessen Richtung so ist, daß der Kreis infolge desselben von der axialen Lage aus entgegengesetzt, also nach der andern Seite gedreht worden wäre.

§. 140.

Gesetze der Induktionsströme. Die ersten Versuche, um die Bedingungen festzustellen, von welchen die Stärke der Induktionsströme abhängig ist, rühren von Lenz¹) her; sie beziehen sich auf die durch Magnetinduktion erregten Ströme.

Um zunächst zu bestimmen, in welcher Weise die Stärke des Induktionsstromes in einer Spirale, in welcher ein Stab weichen Eisens magnetisiert oder entmagnetisiert wird, mit der Zahl der das Eisen umgebenden Windungen sich ändert, wurde ein 15 m langer Draht mit einem Multiplikator verbunden, und die Mitte dieses Drahtes in mehrfachen, bei den verschiedenen Versuchen verschiedenen Windungen um einen Eisenstab gewickelt, welcher als Anker eines kräftigen Stahlmagnets diente. Der Anker wurde von dem Magnete abgerissen und der durch den verschwindenden Magnetismus erregte Induktionsstrom gemessen.

¹⁾ Lens, Poggend. Ann. Bd. XXXIV.

Die Stärke dieses Induktionsstromes ergiebt sich aus der beobachteten Ablenkung der Galvanometernadel in folgender Weise. Da die Dauer des Stromes gegen die Schwingungsdauer der Magnetnadel verschwindend kleis ist, so kann man die durch denselben auf die Magnetnadel ausgetbe Wirkung als einen momentanen, der augenblicklichen Bewegungsrichtung parallelen Stofs ansehen. Infolge dieses Stofses weicht die Nadel aus den magnetischen Meridiane soweit aus, bis die ihr durch den Stoß ertelle Geschwindigkeit durch die sie in den Meridian zurückführenden Krifte vernichtet ist, ebenso wie ein Pendel durch einen Stofs so hoch aufsteit, bis die ihm erteilte Geschwindigkeit durch die Schwere vernichtet in Kehrt die Magnetnadel in den Meridian zurück, so wirken dieselbe Kräfte auf die Nadel beschleunigend ein, welche in der vorigen Periode verzögernd auf sie einwirkten. Die Nadel kehrt daher nach den Pendel gesetzen in die Gleichgewichtslage mit derselben Geschwindigkeit zurich mit welcher sie dieselbe verlassen hat. Die Geschwindigkeit v. mit welcher ein Pendel, also auch die Magnetnadel die Gleichgewichtslage passint, ist nach §. 25 des ersten Teiles, wenn α den Ausschlagswinkel bedeutst.

$$v = C \cdot \sqrt{1 - \cos \alpha},$$

worin C eine von der Beschaffenheit des Galvanometers abhängige Konstutbedeutet.

Diese Geschwindigkeit ist gleich derjenigen, welche der Induktionstoß der Nadel erteilt, sie ist der Stärke des Stoßes, also auch der Intensitität des Induktionsstromes proportional; ist daher i die gesuchte Intensität, so ist

$$i = c' \cdot v = D \cdot \sqrt{1 - \cos \alpha} = E \cdot \sin \frac{\alpha}{2}$$

Die Stärke des Induktionsstromes ist also dem Sinus des halben Ablenkungswinkels proportional.

Da bei den verschiedenen Versuchen die Windungen eine verschieden Länge des Ankers bedeckten, so mußte Lenz sich erst vergewissern, das es ohne Einfluß auf die Stärke des Induktionsstromes war, an welcher Stelle des Ankers sich eine schmale Spirale befand, ob in der Nähe der Magnetpole, oder in der Mitte des Ankers. Es zeigte sich das, wie nach den Bemerkungen über die magnetische Verteilung in geschlossenen Magneten auch zu erwarten ist, in der That bestätigt. Denn als er bei drei Versuchen eine Spirale einmal ganz an das dem Nordpol anliegerde Ende des Ankers heranschob, einmal auf die Mitte des Ankers und schließlich in unmittelbare Nähe des Stüdpols brachte, wurde jedesmai die Magnetnadel um 5,55° abgelenkt.

Die Resultate der sich auf den Einflus der Windungszahl beziehenden Versuche sind in folgender Tabelle zusammengestellt. In der ersten Herizontalreihe ist die Zahl der um den Anker gelegten Windungen und in den folgenden der jedesmalige halbe Ablenkungswinkel, dessen Sinus und der Quotient aus diesem Sinus und der Windungszahl angegeben.

idungszahl #	2	4	8	9	10	12	14	15	16	18	20
- 1/2 α - 10 1/2 α	2º 49' 0,0491		1			ŀ	22°51′ 0,3883				
— nin ½ α	0,0245	0,0261	0,0269	0,0273	0,0274	0,0276	0,0277	0,0274	0,0279	0,0277	0,0279

Die fast vollkommene Übereinstimmung der Zahlen der letzten Horizontalreihe beweist, dass die in der Spirale erregten Induktionsströme der Windungszahl der Spirale proportional sind; da nun hier für den Induktionsstrom immer dieselbe Leitung, also auch derselbe Widerstand vorhanden ist, so gilt dasselbe für die durch den verschwindenden Magnetismus in der Spirale bewirkte elektromotorische Kraft. Bei einer aus gleichen Windungen bestehenden Spirale ist also die durch Magnetoinduktion in der Spirale bewirkte elektromotorische Kraft der Windungszahl der Spirale direkt proportional.

Um den Einflus der Windungsweite zu untersuchen, wurden auf eine in der Mitte durchbohrte Holzscheibe 10 Windungen Kupferdraht gewunden, so dass die Weite der Windungen 177 mm betrug, und in einem zweiten Versuche um den Anker 10 Windungen von 20 mm Durchmesser gelegt. Der Anker wurde dann zwischen die entgegengesetzten Pole zweier geradliniger Magnete gebracht und die Ablenkung der Galvanometernadel beobachtet, wenn die Magnete rasch nach beiden Seiten hin entfernt wurden. Die Ablenkungswinkel betrugen dann

für die engere Spirale
$$\alpha = 26^{\circ} 15'$$
 für die weitere Spirale $\alpha = 22^{\circ} 42'$.

Die Leitungswiderstände waren hier nicht dieselben, sie waren in einem willkurlichen Maße bei der engeren Spirale 701,25, bei der weiteren Spirale 876,25. Das Verhältnis der elektromotorischen Krüfte ist also

$$\frac{701,25 \cdot \sin (13^{\circ} 7')}{876,25 \cdot \sin (11^{\circ} 21')} = \frac{1}{1,0838}.$$

Bei einem zweiten Versuche, bei welchem die Durchmesser der Spiralen sich wie 1:38,3 verhielten, fand sich das Verhältnis der elektromotorischen Kräfte 1:1,0107.

In beiden Fällen war also das Verhältnis der elektromotorischen Kräfte so nahe der Einheit gleich, dass man daraus den Schluss zu ziehen berechtigt ist, dass die elektromotorische Kraft der Magnetoinduktion von der Weite der Windungen unabhängig ist.

In ganz ähnlicher Weise hat Lenz gezeigt, dass die elektromotorische Kraft der Magnetoinduktion unabhängig ist von der Dicke des zu den Spiralen angewandten Drahtes und von dem Stoffe, aus welchem derselbe gemacht ist. Er wandte bei den ersten Versuchen Drähte an, deren Querschnitte sich verhielten wie 233:839:1661, und fand für die elektromotorischen Kräfte Werte, die sich verhielten wie 1:1,00305:1,0085, deren Verhältnis also kaum von der Einheit verschieden war. Um den Einflus des Stoffes, aus welchem der Draht besteht, zu untersuchen, ver-

glich er die in Spiralen von Platin, Eisen und Messing erregten Strüese mit solchen, die in Kupferspiralen erregt wurden. War der Widerstand derselbe, so war auch die Stromstärke dieselbe.

Diese Unabhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Induktion von dem Stoffe der Spiralwindungen zeigt sich sogar, wenn man dieselber anstatt aus metallischen aus einem flüssigen Leiter herstellt. Dass auch in flüssigen Leitern Induktionsströme entstehen, wenn man sie in For von Spiralen um den Anker eines Magnetes führt, hat schon Faradar 1 gezeigt, messende Versuche hat aber erst L. Hermann²) angestellt. Me die elektromotorische Kraft in Flüssigkeiten jener in Metallen ganz gleich ist, wies Hermann durch folgende Anordnung nach. Die Pole eine Rühmkorffschen Magnets (Fig. 257 §. 129) wurden mit cylindrischen Anken versehen, und dann die beiden Schenkel soweit zusammengeschoben, das die Enden der Anker sich berührten. Es entstand so ein 55 mm lauge Eisencylinder zwischen den Schenkeln des Magnets. Auf diesen Eisencylinder wurde ein Kautschuckschlauch in 6 Windungen aufgewickelt, der einen lichten Durchmesser von 7 mm besaß, und der ganz mit kommer trierter Lösung von Zinkvitriol gefüllt war. Um dieselbe in die weiter Leitung einzuschalten, waren in die Enden des Schlauches bis zur Berührung der Flüssigkeit amalgamierte Zinkdrähte eingeführt und festzschnürt. Über diese Flüssigkeitsspirale war in ebenfalls 6 Windungs eine Spirale von Kupferdraht gewickelt. Man konnte nun in den ein Wiedemannsches Galvanometer enthaltenden Stromkreis entweder die Fittsigkeitsspirale oder den Kupferdraht allein oder beide Spiralen gleichzeitig einschalten, und zwar im letztern Falle entweder so, dass der in beiden Spiralen induzierte Strom das Galvanometer in demselben Sinne durchlief, die Wirkung beider Induktionsströme sich also sunmierte, oder so, daß der in der einen Spirale induzierte Strom die weitere Leitung in entgegergesetzter Richtung durchlief als der andere, die Wirkung beider sich als subtrahierte. Es wurde gleichzeitig dafür gesorgt, dass der Widerstad des Stromkreises immer derselbe war.

Ist die elektromotorische Kraft der Induktion in Flüssigkeiten diselbe, wie in dem Metalle, so mußte, wenn man den Magnet errege oder seinen Magnetismus verschwinden ließ, das in dem Kreise des leduktionsstromes befindliche Galvanometer in den beiden ersten Fällen jede Spirale ist für sich eingeschaltet, die gleiche Ablenkung zeigen. In dritten Falle, in welchem die Wirkung der Spiralen sich summiert, mußte die Ablenkung die doppelte sein und im letzten Falle durfte die Nadeinicht abgelenkt werden.

Die Versuche ergaben dies in der That; es ergab sich die Ablenkum des Galvanometers, als eingeschaltet waren

1) die 1	lüssige S	pirale al	llein,	zu	89,1
2) die 1	netallische	,,	"	"	85,8
3) beide	Spiralen	gleich	gerichtet	"	172,4
4) "	" en	tgegenge	esetzt "	••	5,9.

¹⁾ Faraday, Poggend. Ann. Bd. XCII.

²⁾ L. Hermann, Poggend. Ann. Bd. CXLII.

Wie man sieht sind die Abweichungen von den vorhin abgeleiteten Ausschlägen so gering, dass sich mit Sicherheit der Schlus ergiebt, dass die elektromotorische Kraft der Induktion von der Natur des induzierten Leiters durchaus unabhängig ist.

Es ergiebt sich somit, daß die durch Magnetoinduktion in Spiralen erzeugte elektromotorische Kraft nur von der Windungszahl der Spiralen

und von der Stärke des verschwindenden Magnetismus abhängt.

Was die Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft des Induktionsstromes von dem verschwindenden Magnetismus betrifft, so ergiebt sich schon aus den §. 130 mitgeteilten Versuchen von Lenz und Jacobi, daßs dieselbe dem verschwindenden magnetischen Momente proportional ist. Lenz und Jacobi setzten den Induktionsstrom dem magnetischen Momente des Stabes proportional, und fanden bei den dickeren Eisenkernen ihrer Versuche das so gemessene magnetische Moment der magnetisierenden Kraft der Spirale proportional. Innerhalb dieser Grenzen findet sich aber auch auf anderem Wege, durch Ablenkungsversuche gemessen, das magnetische Moment der magnetisierenden Kraft der Spirale proportional.

Über die durch die Bewegung eines geschlossenen Leiters in der Nähe eines Magnetpols erzeugten Induktionsströme hat W. Weber¹) einige Versuche mit dem Dynamometer gemacht und gezeigt, daß die in jedem Momente erzeugten Induktionsströme der augenblicklichen Geschwindigkeit der Bewegung proportional sind. Da die Leitungswiderstände dann immer dieselben sind, so folgt auch, daß die elektromotorischen Kräfte in jedem Augenblicke der Geschwindigkeit der Bewegung proportional sind.

Um die Methode von W. Weber verstehen zu können, müssen wir

einige mechanische Erörterungen vorausschicken.

Wenn irgend ein Körper, ein Pendel oder ein Magnetstab in Schwingungen versetzt wird, so ist die Schwingungsamplitude nicht, wie es die einfache Theorie der schwingenden Bewegung annimmt, eine konstante Größe, sondern sie wird allmählich kleiner. Der Grund dieser Abnahme der Amplitude liegt darin, daß bei jeder Bewegung ein Widerstand vorhanden ist, welcher einen Teil der Geschwindigkeit vernichtet, welche der schwingende Körper durch die beschleunigende Kraft erhält. Der Körper besitzt daher bei der Zurückkunft in die Gleichgewichtslage nicht mehr die Geschwindigkeit, mit welcher er sie vorher verließ; er kann sich daher nach der anderen Seite nicht mehr so weit von der Gleichgewichtslage entfernen, als er an der einen Seite entfernt war, und so wird bei jeder Schwingung die Amplitude um eine gewisse Größe kleiner.

Das Gesetz, nach welchem die Amplitude der Bewegung abnimmt, wenn der Widerstand in jedem Momente der augenblicklichen Geschwindigkeit der Bewegung proportional ist, haben wir früher schon kennen gelernt. Wir sahen schon im § 60 des ersten Bandes, daß, wenn k^2 die Beschleunigung bedeutet, wenn das Bewegliche im Abstande eins von der Gleichgewichtslage sich befindet, und 2ε den Widerstand bei der Geschwindigkeit eins, die Differentialgleichung der Bewegung ist

$$\frac{d^2y}{dt^2} = -k^2y - 2\varepsilon \frac{dy}{dt}.$$

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Massbestimmungen. Leipzig 1846.

Rechnen wir die Zeit t von dem Augenblicke an, in welchem das B wegliche am weitesten von der Gleichgewichtslage entfernt ist und gem die Bewegung nach der Gleichgewichtslage hin beginnt, so wird d Gleichung der Bewegung

$$y = A e^{-\epsilon t} \left\{ \cos t \sqrt{k^2 - \epsilon^2} + \frac{\epsilon}{\sqrt{k^2 - \epsilon^2}} \sin t \sqrt{k^2 - \epsilon^2} \right\},\,$$

worin A die Amplitude zur Zeit t = 0. Setzen wir

$$T=\frac{\pi}{\sqrt{k^2-\epsilon^2}},$$

so wird für

$$t = 0;$$
 $T;$ $2T;$ $3T \dots nT$
 $y = A;$ $Ae^{-eT};$ $Ae^{-2eT};$ $Ae^{-3eT} \dots Ae^{-neT}$

Die Amplituden der Schwingungen nehmen nach einer geometrische Reihe ab, das Verhültnis zweier auf einander folgenden größten Abständ des Beweglichen von der Gleichgewichtslage wird

$$q = \frac{Ae^{-\pi \epsilon T}}{Ae^{-(n+1)\epsilon T}} = e^{\epsilon T}.$$

Bilden wir demnach die Differenzen zwischen den Logarithmen der an einander folgenden Schwingungsamplituden, so sind diese Differenzen kon stant; diese Differenzen oder

$$\lambda = \log \frac{1}{q} = \varepsilon \cdot T \log e$$

nennt man, wie wir damals erwähnten, nach Gauss die logarithmisch Dekremente der Schwingungen. Nehmen wir natürliche Logarithmen, so

$$\lambda = \varepsilon \cdot T$$
;

bedeutet m den Modulus der Briggischen Logarithmen, so ist bei I nutzung dieser

$$\lambda = m \cdot \varepsilon \cdot T.$$

Es ergiebt sich also auch, daß bei gleicher Schwingungsdauer dogarithmischen Dekremente den widerstehenden Kräften oder letztere dersteren proportional sind.

Diesen letzten Satz wandte Weber zur Untersuchung der Indukti mit Hilfe des Dynamometers an.

Es zeigt sich nämlich, wenn man ein Pendel oder einen Magnet weine bifilar aufgehängte Rolle einfach in der Luft schwingen läßt, die Schwingungsbogen in einer geometrischen Reihe abnehmen, so di daraus folgt, daß der Widerstand der Luft bei diesen langsamen Bewgungen der jedesmaligen Geschwindigkeit proportional ist.

· Beobachtet man daher das logarithmische Dekrement, wenn m eine Bifilarrolle zunächst für sich schwingen läßt, so kann man d Einfluß des Luftwiderstandes auf die Schwingungen bestimmen.

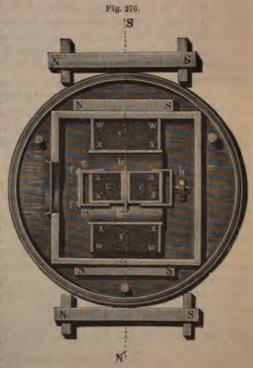
Lätst man eine Bifilarrolle, deren Enden mit einander verknülsind, in der Nähe eines Magnetes schwinge: ird durch die Besgung in derselben ein Strom induziert, wen ewegung derartig i

daß der Spirale, wenn ein Strom sie durchfließen würde, von dem Magnete ein Drehungsmoment erteilt würde. Bewegt sich die Spirale in dem einen Sinne, so wird durch die Bewegung ein Strom induziert, so daß durch die elektromagnetische Wirkung des Magnets auf den induzierten Strom der Spirale ein dem Sinne der augenblicklichen Bewegung entgegengesetztes Drehungsmoment erteilt wird, welches in jedem Augenblicke dem Produkte aus dem magnetischen Momente des Stabes und der Intensität des induzierten Stromes proportional ist. Da also diese elektromagnetische Wirkung zwischen dem induzierenden Magnete und dem induzierten Strome in jedem Momente der Bewegung der Bifilarrolle entgegenwirkt, so muß durch diese die Schwingungsamplitude verkleinert werden.

Das zeigt sich auch in der That, es zeigt sich nämlich, das die Schwingungsweite einer Bifilarrolle, deren Enden mit einander verknüpft sind, wenn sie unter dem Einflusse eines Magnets schwingt, sehr viel rascher kleiner wird, als wenn sie schwingt, wenn kein Magnet in der Nähe ist, oder als wenn ihre Enden nicht mit einander verknüpft sind, so dass der Induktionsstrom nicht zustande kommen kann.

W. Weber wandte zu seinen Versuchen das §, 118 beschriebene Dynamometer an; dasselbe wurde, wie Fig. 276 im Grundrifs zeigt, so aufge-

stellt, dass die Bifilarrolle in der Ruhelage senkrecht zum magnetischen Meridian Aufserhalb des Kastens, welcher die Bifilarrolle umgab, wurden mehrere kleine Magnete teils nördlich, teils südlich hingelegt. Die Magnete lagen sämtlich senkrecht gegen den durch die Axe der Bifilarrolle gehenden magnetischen Meridian, und zwar nördlich und südlich von der Bifilarrolle symmetrisch und wie die Figur zeigt, in der N, N', S, S' die Nord- und Südpole bezeichnen, so, dass die gleichnamigen Pole an derselben Seite lagen. Die Bifilarrolle wurde in Schwingungen gesetzt, wenn ihre Enden nicht in leitender Verbindung waren und mittels Fernrohr und Skala die Schwingungsbögen so lange beobachtet, bis sie zu klein waren, um noch mit Sicherheit bestimmt werden zu können. Aus der Vergleichung



der Schwingungsbögen ergab sich das logarithmische Dekrement $\lambda = 0.002541$.

Darauf wurden die Enden der Bifilarrolle mit einander in leitente Verbindung gebracht, so dass die Induktionsströme zustande komme konnten. Es fand sich, dass die Schwingungsdauer sich nicht merklich änderte, dass dagegen die Schwingungsbögen rascher abnahmen, und regleich, dass sie eine geometrische Reihe bildeten, deren logarithmische Dekrement war

$$\lambda' = 0.002638.$$

Aus dieser Beobachtung ergiebt sich zunächst, dass die Richtung der induzierten Ströme dem Lenzschen Gesetze entspricht, und ferner, das der in jedem Momente induzierte Strom der augenblicklichen Geschwidigkeit der Bewegung proportional ist. Denn das geometrische Geset der Abnahme der Schwingungsbögen beweist, dass der Widerstand gegen de Bewegung der Geschwindigkeit derselben proportional ist. Dieser Wider stand setzt sich aus zwei Teilen zusammen, aus dem Widerstande der Luft und der elektromagnetischen Wirkung zwischen den Magneten wi induzierten Strömen. Da der erstere Teil für sich der augenblickliche Geschwindigkeit der Bewegung proportional ist, so muss es auch in letzte Teil sein. Da die elektromagnetische Wirkung der Intensität im Induktionsströme proportional ist, so folgt, dass auch diese Intensität der Geschwindigkeit der Bewegung proportional ist. Da der Widerstand im immer derselbe ist, so folgt weiter, dass die elektromotorische Kraft bi der Bewegung eines geschlossenen Leiters gegen einen Magnetpol der Geschwindigkeit der Bewegung proportional ist.

Das Mass der elektromagnetischen Wirkung der Magnete auf & magnetelektrischen Ströme ist die Differenz der beiden logarithmischen Dekremente

$$\lambda' - \lambda = 0,000097.$$

Denn bezeichnen wir die von dem Widerstande der Luft herrührende verzögernde Kraft mit ε , die von der elektromagnetischen Wirkung herrührende mit ε' , so ist in Briggischen Logarithmen

$$\lambda = m \varepsilon T$$

$$\lambda' = m (\varepsilon + \varepsilon') T,$$

somit

$$\lambda' - \lambda = m \epsilon' T = \text{const } \epsilon'$$
.

W. Weber benutzte dieses Verfahren sogleich, um die Gesetze der elektrischen Induktion zu untersuchen, wenn ein geschlossener Leiter gegeleinen andern von einem Strome durchflossenen Leiter bewegt wird. Die Verfahren war dem vorigen analog. Die Magnete am Dynamometer wurden fortgenommen und durch die feste Rolle des Dynamometers ein Swer von 3 Groveschen Elementen geleitet.

Bei offener Bifilarrolle wurden die Schwingungsbögen beobarber und das logarithmische Dekrement bestimmt. Es fand sich

$$\lambda_1 = 0.002796.$$

Darauf wurde die Bifilarrolle geschlossen und wie vorhin verfahre. Die Schwingungsdauer wurde nicht geändert, die Schwingungsbögen auf men aber rasch ab, und wieder gehörten sie einer geometrischen Reihe an, deren logarithmisches Dekrement

$$\lambda'_1 = 0.005423$$

war.

Daraus folgt, dass die Gesetze der Voltainduktion bei der Bewegung eines Leiters gegen einen Strom dieselben sind, wie die der Magnetoinduktion bei der Bewegung eines Leiters gegen einen Magnet, dass also,
wie es das Lenzsche Gesetz verlangt, eine Umkehr der Bewegung auch die
Richtung der induzierten Ströme umkehrt, und dass die elektromotorische
Kraft der Induktion der Geschwindigkeit der Bewegung proportional ist.

W. Weber benutzte diese Gelegenheit zugleich, um die Magnetinduktion und Voltainduktion unter diesen Umständen zu vergleichen.

Er liess zu dem Ende durch die Bifilarrolle einen schwachen Strom gehen und beobachtete das Drehungsmoment, welches die zu den vorigen Versuchen angewandten Magnete der Bifilarrolle erteilten, und dann das Drehungsmoment, welches die von dem zu den letzten Versuchen benutzten Strome durchflossene feste Rolle der Bifilarrolle erteilte. Diese Drehungsmomente verhielten sich wie

das heist der feste Strom erteilte der Bifilarrolle ein mehr als 5 mal so großes Drehungsmoment als die Magnete. Da nun in beiden Fällen die Bifilarrolle von demselben Strome durchflossen war, so sind diese Zahlen zugleich das Maß für die elektrodynamische Kraft der festen Rolle bei dem angewandten Strome und der elektromagnetischen Kraft der Magnete, wenn die Bifilarrolle von einem und demselben konstanten Strome durchflossen ist.

Ist nun die Stärke der unter den obigen gleichen Umständen induzierten Ströme einerseits dieser elektromagnetischen, andererseits dieser elektrodynamischen Kraft proportional, so müssen die induzierten Ströme sich verhalten wie

Die elektromagnetischen und elektrodynamischen Wirkungen auf die schwingende induzierte Bifilarrolle, welche dem Produkte aus jenen Kräften und der Intensität der induzierten Ströme proportional sein müssen, müssen sich daher verhalten wie

$$(19,1)^2:(101,9)^2$$
 oder wie $1:28,5$.

Das Mass dieser Wirkungen ist die Differenz der logarithmischen Dekremente, wenn die Bifilarrolle schwingt, das eine Mal mit verknüpften Enden, wenn also die Ströme zustande kommen, das andere Mal, wenn das nicht der Fall ist. Denn bezeichnen wir die den Schwingungen entgegenwirkende, vom Luftwiderstande herrührende Kraft im ersten Falle mit ε , im zweiten mit ε_1 , die von der elektromagnetischen Wirkung herrührende mit ε' so ist, wie wir eben zeigten,

$$\lambda' - \lambda = \text{const } \epsilon';$$

ist der von der elektrodynamischen Wirkung bei dem letzten Versiche herrührende Widerstand ε_1' , so ist ebenso

$$\lambda'_1 - \lambda_1 = \text{const } \epsilon'_1;$$

somit

$$\frac{\lambda'-\lambda}{\lambda'_1-\lambda_1}=\frac{\epsilon'}{\epsilon'_1}.$$

Diese Differenzen sind 0,000097 und 0,002627; und dieselben verhalten sich wie

$$97:2627 = 1:27,1.$$

Das Verhältnis der beobachteten logarithmischen Dekremente weicht von dem berechneten so wenig ab, dass man diesen Unterschied den wermeidlichen Beobachtungssehlern zuschreiben darf. Dann ergiebt sich aus diesem Resultate:

- 1) Die durch Bewegung eines Leiters in der Nähe eines Magnet induzierten Ströme sind dem elektromagnetischen Drehungsmomente, in der Nähe eines geschlossenen Kreisstromes dem elektrodynamischen Drehungmomente proportional, welches dem bewegten Leiter von dem Magnet oder dem Kreisstrome erteilt würde, wenn der Leiter von der Einheit der Stromstärke durchflossen wäre. Daraus folgt, dass unter gleiche Umständen die induzierten Ströme dem magnetischen Momente der indrzierenden Magnete oder der Intensität der induzierenden Ströme proportional sind.
- 2) Die durch Magnetoinduktion und die durch eine feste von eine konstanten Strome durchflossene Rolle in einem beweglichen Leiter indzierten Ströme sind einander gleich, wenn das elektromagnetische Drehungmoment, welches der Magnet dem von einem konstanten Strome durchflossenen beweglichen Leiter erteilt, gleich ist dem elektrodynamische Drehungsmomente, welches die feste Rolle dem von demselben Stromedurchflossenen Leiter erteilt.

Aus den Weberschen Sätzen können wir noch weiter folgenden Satzen ableiten. Wird ein Leiter aus einer Lage in der Nähe eines induzieret den Stromes oder Magnets in eine andere übergeführt, so ist die Summe der auf diesem Wege in Bewegung versetzten Elektricität unabhänge von der Geschwindigkeit der Bewegung, also immer dieselbe. Denn der gesamte durch eine solche Bewegung, die wir uns als gleichförmig denka wollen, induzierte Strom ist gleich dem Produkte aus der Anzahl de Zeitelemente, während welcher die Bewegung dauert, in den in jeden Zeitelemente induzierten Strom. Ändert sich nun die Geschwindigiet der Bewegung, so nimmt die Intensität jedes einzelnen Elementarstrome in demselben Verhältnisse zu, als die Anzahl der Zeitelemente abnimmt Das Produkt aus beiden ist also konstant.

Letzterer Satz ist auch durch Versuche von Felici¹) bestätigt worksindem er nachwies, daß wenn man einen Leiter aus einer Lage, in welche in ihm kein Strom induziert wird, in eine andere überführt, in demselbe immer ein ebenso starker Strom induziert wird, als wenn man ihn in de

¹⁾ Felici, Ann. de chim. et de phys. III. Série T. XXXIV. 1852. Northanne 1859. T. IX., p. 345.

letzteren Lage festhält und nun den induzierenden Strom öffnet oder schliefst.

Felici stellte nämlich neben einem mit einem Galvanometer verbundenen Drahtkreise A zwei andere beliebig geformte Drähte B und C auf, welche mit den Polen Voltascher Batterien verbunden werden konnten. Dieselben wurden so lange verschoben, daß, wenn gleichzeitig in beiden der Strom geöffnet oder geschlossen wurde, in A kein Strom induziert wurde. Wenn dann nach dem Schließen der Ströme die beiden Drähte B und C gleichzeitig entfernt wurden, so wurde auch dadurch kein Strom erregt. Waren dagegen die Entfernungen der Rollen nicht so abgeglichen, so daß also bei dem Öffnen und Schließen der Ströme B und C noch ein Strom entstand, so entstand auch bei der Entfernung der Rollen von einander immer ein Strom. Wenn also bei dem Öffnen und Schliefsen der induzierenden Ströme kein Strom entsteht, so auch nicht durch Bewegung der Leiter.

Nach dem Satze von Weber gilt dieser von Felici für die Voltainduktion bewiesene Satz sofort auch für Magnete, da wir jeden Stromkreis durch einen Magnet von gleicher elektromagnetischer Kraft ersetzen können. Damit ist die Magnetoinduktion vollständig gegeben, indem die Satze von Lenz die Intensität der Induktionsströme beim Entstehen und Verschwinden des Magnetismus, und die Gesetze von Weber und Felici die Intensität derselben bei Bewegung des Leiters vollständig bestimmen. Nach letzteren ist die Intensität eines Induktionsstromes, der entsteht, wenn in eine Spirale ein Magnet gestoßen wird, gleich demjenigen, welcher entsteht, wenn in der Spirale ein solcher Magnet bis zu demselben Momente erregt wird; damit ist die Erregung der Induktionsströme bei der

Bewegung auf die Gesetze von Lenz zurückgeführt.

Mit dem Weberschen Satze sind ferner auch schon die Gesetze der Voltainduktion gegeben, da wir nach demselben immer den Magnet durch eine Spirale ersetzt denken können, deren elektromagnetisches Moment dem magnetischen Momente der Magnete bei den Versuchen von Lenz gleich ist. Es wird deshalb auch bei der Voltainduktion die elektromotorische Kraft unabhängig sein von dem Stoffe und Querschnitte des induzierten Drahtes, sie wird bei Anwendung von Spiralen der Windungszahl der induzierten Spirale und ebenso dem Produkte aus der Stromstärke in die Windungszahl der induzierenden Spirale proportional sein.

Alle diese Folgerungen sind durch Versuche von Felici 1) und Gaugain 2)

bestätigt wurden.

Eine ebensolche Bestätigung liefern die später noch zu besprechenden Versuche von Buff mit geradlinigen Stromleitern3), bei welchen er zeigte, daß die in einem langen geradlinigen Draht durch einen kurzen ihm parallel gestellten induzierte elektromotorische Kraft dem Produkte aus der Stromstärke und der Länge des kürzeren Drahtes proportional ist, und daß die elektromotorische Kraft unabhängig ist von der Natur und dem Querschnitt des induzierten langen Drahtes.

3) Buff, Poggend, Ann. Bd, CXXVII.

Felici, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XXXIV.
 Gaugain, Comptes Rendus T. XXXIX. p. 909 u. 1023.

ist der von der elektrodynamischen Wirkung bei dem letzten Versuch herrührende Widerstand ε_1' , so ist ebenso

$$\lambda'_1 - \lambda_1 = \text{const } \epsilon'_1;$$

somit

$$\frac{\lambda'-\lambda}{\lambda'_1-\lambda_1}=\frac{\epsilon'}{\epsilon'_1}.$$

Diese Differenzen sind 0,000097 und 0,002627; und dieselben vor halten sich wie

$$97:2627=1:27,1.$$

Das Verhältnis der beobachteten logarithmischen Dekremente weich von dem berechneten so wenig ab, daß man diesen Unterschied den un vermeidlichen Beobachtungsfehlern zuschreiben darf. Dann ergiebt sie aus diesem Resultate:

- 1) Die durch Bewegung eines Leiters in der Nähe eines Magnet induzierten Ströme sind dem elektromagnetischen Drehungsmomente, in de Nähe eines geschlossenen Kreisstromes dem elektrodynamischen Drehungsmomente proportional, welches dem bewegten Leiter von dem Magnet oder dem Kreisstrome erteilt würde, wenn der Leiter von der Einheider Stromstärke durchflossen wäre. Daraus folgt, daß unter gleiche Umständen die induzierten Ströme dem magnetischen Momente der induzierenden Magnete oder der Intensität der induzierenden Ströme proportional sind.
- 2) Die durch Magnetoinduktion und die durch eine feste von einer konstanten Strome durchflossene Rolle in einem beweglichen Leiter inder zierten Ströme sind einander gleich, wenn das elektromagnetische Drehungs moment, welches der Magnet dem von einem konstanten Strome durch flossenen beweglichen Leiter erteilt, gleich ist dem elektrodynamische Drehungsmomente, welches die feste Rolle dem von demselben Strom durchflossenen Leiter erteilt.

Aus den Weberschen Sätzen können wir noch weiter folgenden Satableiten. Wird ein Leiter aus einer Lage in der Nähe eines induzieret den Stromes oder Magnets in eine andere übergeführt, so ist die Summ der auf diesem Wege in Bewegung versetzten Elektricität unabhängivon der Geschwindigkeit der Bewegung, also immer dieselbe. Denn de gesamte durch eine solche Bewegung, die wir uns als gleichförmig denku wollen, induzierte Strom ist gleich dem Produkte aus der Anzahl de Zeitelemente, während welcher die Bewegung dauert, in den in jeden Zeitelemente induzierten Strom. Ändert sich nun die Geschwindigkeit der Bewegung, so nimmt die Intensität jedes einzelnen Elementarstrome in demselben Verhältnisse zu, als die Anzahl der Zeitelemente abnimmt Das Produkt aus beiden ist also konstant.

Letzterer Satz ist auch durch Versuche von Felici¹) bestätigt worden indem er nachwies, daß wenn man einen Leiter aus einer Lage, in welche in ihm kein Strom induziert wird, in eine andere überführt, in demselber immer ein ebenso starker Strom induziert wird, als wenn man ihn in der

¹⁾ Felici, Ann. de chim. et de phys. III. Série T. XXXIV. 1852. Noord Cimento 1859. T. IX., p. 345.

letzteren Lage festhält und nun den induzierenden Strom öffnet oder

Felici stellte nämlich neben einem mit einem Galvanometer verbundenen Drahtkreise A zwei andere beliebig geformte Drähte B und C auf, welche mit den Polen Voltascher Batterien verbunden werden konnten. Dieselben wurden so lange verschoben, dass, wenn gleichzeitig in beiden der Strom geöffnet oder geschlossen wurde, in A kein Strom induziert wurde. Wenn dann nach dem Schließen der Ströme die beiden Drähte B und C gleichzeitig entfernt wurden, so wurde auch dadurch kein Strom erregt. Waren dagegen die Entfernungen der Rollen nicht so abgeglichen, so dass also bei dem Öffnen und Schließen der Ströme B und C noch ein Strom entstand, so entstand auch bei der Entfernung der Rollen von einander immer ein Strom. Wenn also bei dem Öffnen und Schließen der induzierenden Ströme kein Strom entsteht, so auch nicht durch Bewegung der Leiter.

Nach dem Satze von Weber gilt dieser von Felici für die Voltainduktion bewiesene Satz sofort auch für Magnete, da wir jeden Stromkreis durch einen Magnet von gleicher elektromagnetischer Kraft ersetzen können. Damit ist die Magnetoinduktion vollständig gegeben, indem die Sätze von Lenz die Intensität der Induktionsströme beim Entstehen und Verschwinden des Magnetismus, und die Gesetze von Weber und Felici die Intensität derselben bei Bewegung des Leiters vollständig bestimmen. Nach letzteren ist die Intensität eines Induktionsstromes, der entsteht, wenn in eine Spirale ein Magnet gestoßen wird, gleich demjenigen, welcher entsteht, wenn in der Spirale ein solcher Magnet bis zu demselben Momente erregt wird; damit ist die Erregung der Induktionsströme bei der Bewegung auf die Gesetze von Lenz zurückgeführt.

Mit dem Weberschen Satze sind ferner auch schon die Gesetze der Voltainduktion gegeben, da wir nach demselben immer den Magnet durch eine Spirale ersetzt denken können, deren elektromagnetisches Moment dem magnetischen Momente der Magnete bei den Versuchen von Lenz gleich ist. Es wird deshalb auch bei der Voltainduktion die elektromotorische Kraft unabhängig sein von dem Stoffe und Querschnitte des induzierten Drahtes, sie wird bei Anwendung von Spiralen der Windungszahl der induzierten Spirale und ebenso dem Produkte aus der Stromstärke in die Windungszahl der induzierenden Spirale proportional sein.

Alle diese Folgerungen sind durch Versuche von Felici 1) und Gaugain 2) bestätigt wurden.

Eine ebensolche Bestätigung liefern die später noch zu besprechenden Versuche von Buff mit geradlinigen Stromleitern3), bei welchen er zeigte, dass die in einem langen geradlinigen Draht durch einen kurzen ihm parallel gestellten induzierte elektromotorische Kraft dem Produkte aus der Stromstärke und der Länge des kürzeren Drahtes proportional ist, und daß die elektromotorische Kraft unabhängig ist von der Natur und dem Querschnitt des induzierten langen Drahtes.

Felici, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XXXIV.
 Gaugain, Comptes Rendus T. XXXIX. p. 909 u. 1023.
 Buff, Poggend. Ann. Bd. CXXVII.

Es ergiebt sich somit, dass sowohl bei der Magnetoinduktion als auch bei der Voltainduktion die elektromotorische Kraft in einer indezierten Spirale mit der Zahl der Windungen und derselben proportional zunimmt. Damit nimmt aber die Intensität der Ströme in der Induktionsspirale nicht ebenso zu, ja wenn die Induktionsspirale in sich selbst geschlossen, also gar kein äusserer Widerstand zu überwinden ist, so kam mit steigender Windungszahl der induzierten Spirale die Stärke des induzierten Stromes sogar abnehmen. Würden die Windungen alle in einer Lage neben einander liegen, also der Durchmesser aller gleich sein, se würde die Stromstärke von der Windungszahl unabhängig sein, da in demselben Verhältnisse wie die elektromotorische Kraft wächst, auch der Widerstand zunimmt.

Werden aber die Windungen in mehreren Lagen übereinandergelegt, so nimmt die Länge des Drahtes, da die Windungen weiter werden, rasches zu als die Zahl der Windungen. Deshalb wächst der Widerstand rasches als die elektromotorische Kraft. Anders ist es jedoch, wenn ein bestimmter äußerer Widerstand zwischen den Enden der Induktionsspirale eingeschaltet ist, dann wird je nach der Größe des äußern Widerstande die Stärke des Stromes bis zu einer gewissen Grenze mit der Zahl der Windungen zunehmen. Dagegen wird immer die Intensität des Induktionsstromes zunehmen, je besser die Leitungsfähigkeit des Drahtes ist Kupfer- oder Silberdraht werden daher unter sonst gleichen Umständer die stärksten Ströme liefern.

In welcher Weise man aus einer gegebenen Kupfermasse und be gegebener induzierender Kraft eine Induktionsspirale konstruieren muß um bei gegebenem äußeren Widerstande die stärksten Ströme zu erhalten das läßt sich annähernd in derselben Weise bestimmen, wie wir die günstigste Anordnung eines Galvanometers berechnet haben. Denken wi uns eine induzierende Spirale zunächst von der gegebenen Kupfermasse in einer Windung umgeben; sei dann die elektromotorische Kraft der Induktion gleich e, der Widerstand des Kupfers gleich R, der äußere Widerstand gleich r, so ist

$$J = \frac{e}{R+r}.$$

Wird jetzt der Ring in einen Draht von nfacher Länge ausgezogen, dessen Querschnitt dadurch zugleich $\frac{1}{n}$ wird, und der ganze Draht in n Windungen um die induzierende Spirale geführt, so wird

$$J = \frac{ne}{n^2 R + r} \cdot$$

Dieser Ausdruck erhält aber seinen größten Wert, wenn

$$n^3 R = r$$
,

wenn also der Widerstand der Spirale gleich ist dem äufseren Widerstande.

Da die Induktionsströme meistens zur Hervorrufung von Erschei-

nungen benutzt werden, bei welchen die Widerstände r bedeutend sind, so werden die Induktionsspiralen gewöhnlich aus langen und dünnen Drähten konstruiert.

§. 141.

Extrastrom. Bevor wir die Theorie der Induktion in linearen Leitern näher betrachten, müssen wir noch einige besondere Fälle der Induktion etwas näher ins Auge fassen; wir beginnen mit der Induktion eines Stromes auf sich selbst.

Dafs ein Strom auch auf sich selbst induzierend wirkt, oder in seinem eigenen Stromkreise einen Strom induziert, ist zuerst von Jenkin¹) und Masson²) beobachtet worden. Wenn man einen galvanischen Strom an einer Stelle unterbricht, so entsteht, wie wir schon früher sahen, ein Funke, der sogenannte Öffnungsfunke. Dieser Funke ist selbst bei kräftigen Strömen nur schwach, wenn der Stromkreis aus einem kurzen dicken Drahte besteht; derselbe wird aber lang, hell und klatschend wie ein aus einem geladenen Konduktor gezogener Funke, wenn die Drahtleitung des Stromes eine bedeutende Länge hat, und ganz besonders, wenn sich in dem Stromkreise eine aus vielen Windungen bestehende Spirale befindet, obwohl der Widerstand des Schließungskreises jetzt viel bedeutender ist als vorher.

Wenn man die beiden Enden des Leitungsdrahtes mit metallischen Handhaben versieht, und dann den Stromkreis unterbricht, indem man in jeder Hand eine der Handhaben hält, so erhält man eine Erschütterung, ähnlich wie wenn man eine Leydener Flasche durch seinen Körper entladet.

Diese Erscheinungen wurden von Faraday³) bestätigt und genauer untersucht; er zeigte, dass diese Wirkung nur dann sich zeige, wenn der Stromkreis aus langen Drähten bestehe, am besten, wenn in demselben eine Spirale sich befindet. Ströme von solcher Stärke, dass kurze dünne Drähte von demselben zum Glühen gebracht wurden, zeigten beim Unterbrechen des Stromes kaum einen Funken, während eine in denselben Stromkreis eingeschaltete Spirale, welche den Strom bedeutend schwächte, einen lebhaften Funken hervorrief.

Noch viel lebhafter wird dieser Funke oder, wenn man den Strom bei der Unterbrechung durch den Körper schliefst, die Erschütterung im Körper, wenn man in die in den Stromkreis eingeschaltete Spirale ein Stück weichen Eisens bringt.

Faraday erkannte in diesen Erscheinungen sofort einen speciellen Fall der Induktion, indem er in dem Öffnungsfunken die Ausgleichung des durch den verschwindenden Strom in der Leitung induzierten Stromes erkannte.

Betrachten wir, um diese Wirkung abzuleiten, zwei Windungen einer Spirale; schließen wir den Strom, so wird der in jeder Windung ent-

¹⁾ Jenkin, Faraday Experimental researches. Ser. IX. art. 1049. Poggend. Ann. Bd. XXXV.

²⁾ Masson, Annales de chim. et de phys. T. LXVI. 3) Faraday, Experimental researches. Ser. IX. Poggend. Ann. Bd. XXXV.

dagegen die Nebenleitung von E über G nach B. Je nach der Stelling des Rades c' kann man es dann dahin bringen, daß in der Nebenleitung nur der Schließungsextrastrom sustande kommt oder der Öffmungseten, ganz in derselben Weise, wie es S. 1024 für die Induktionsströme annie

andergesetzt wurde.

Um die Zersetzung durch den Schließungsstrom zu erhalten, weides Rad c' so gestellt, dass der Zweig etwas früher geschlossen und seh wieder unterbrochen wurde als der Hauptstrom. Die Stromstärke weise so gewählt, dass bei dauernder Schließung des Zweiges und des Hauptstromes im Voltameter infolge der Polarisation keine merkliche Wasserzersetzung eintrat. Bei Benutzung einer Spirale vom 500 Windungs tot sofort eine lebhafte Wasserzersetzung ein, als der Analysator geleit wurde, welche etwa auf das Sechsfache stieg, als in die Spirale ein Biebli Eisendrähte gelegt wurde.

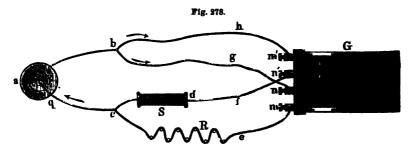
Bedeutend stärker war die Wasserzersetzung, als nur der Öffungstrom durch das Voltameter geführt wurde, sie betrug unter Anwachen derselben Spirale etwa das Dreifache, ein Umstand, der zum Teil den seinen Grund hat, dass der Schließungsstrom sich nur teilweise dunk das Voltameter ausgleicht und besonders darin, dass, wie Buff nachwist die Wasserzersetzung durch den Schließungsstrom stärker durch es

Polarisation gestört wird.

Ebenso hat Dove ') die Existenz des Schließungsextrastromes mit gewiesen; wir werden bei Erwähnung der Doveschen magnetoelektrische Maschine auf diesen Nachweis zurückkommen.

Die quantitativen Verhältnisse der Extraströme sind vorzugsweise van Edlund, Rijke und Buff untersucht worden.

Edlund²) benutzte zu seinen Versuchen die Anordnung Fig. 278; der Strom einer aus drei Elementen bestehenden Groveschen Säule a tell sich bei c in zwei Zweige ce und cf; die beiden Zweige führen derat



zu zwei Windungsreihen eines Weberschen Galvanometers (S. 907), das dasselbe als Differentialgalvanometer dient, dass also der mit der Klemme werbundene Strom das Galvanometer in entgegengesetzter Richtung durch läuft als der mit der Klemme n' verbundene. Ersterer verlässt des Galvanometer bei m' und geht tiber h nach h, letzterer verlässt es bei sund geht tiber g nach h. In dem Zweige h ist eine Spirale h, in dem

Dove, Poggend. Ann. Bd. LVI.
 Edlund, Poggend. Ann. Bd. LXXVII.

Zweige cem ein Widerstand R von zickzackförmig über Glasstäben ausgespannten Kupferdrähten eingeschaltet. Letzterer wird so abgeglichen, daß der Widerstand beider Zweige genau gleich groß ist, so daß also die Nadel des Galvanometers durch den konstanten beide Zweige durchlaufenden Strom nicht abgelenkt wird. Ist diese Gleichheit für eine Stromstärke erreicht, so gilt sie auch für alle, so daß die Nadel nicht abgelenkt wird, welche Änderungen man auch in dem Stammstrome bac anbringen mag.

Wenn bei q der Strom unterbrochen wird, so wird in der Spirale S der Öffnungsextrastrom induziert, welcher, wenn er dieselbe in der Richtung cd durchläuft, das Galvanometer zunächst in der Richtung n'n umkreist, dann von n über b, h nach m' geht und das Galvanometer in der Richtung m'm, also in derselben Richtung, wie in den anderen Windungen umkreist; die Wirkung beider Windungen auf die Nadel des Galvanometers summiert sich also, die Nadel wird abgelenkt und aus der Ablenkung läßt sich die Stärke des Extrastromes bestimmen.

Sei zu dem Ende der Widerstand in dem Zweige cdfn'ngb = r, in dem Zweige $cemm'hb = r_1$, und sei die elektromotorische Kraft des Öffnungsstromes gleich k, sei ferner die Ablenkung, welche die Galvanometernadel erhält, wenn durch die Windungen mm' ein Strom von der Intensität eins hindurchgeht, gleich μ , wenn ein solcher durch nn' hindurchgeht, gleich ν , so ist, da wir hier die Ablenkung, welche mit Fernrohr und Skala bestimmt wird, einfach der Stromstärke proportional setzen können, die in dem Galvanometer durch den Öffnungsstrom hervorgebrachte Ablenkung

$$A = \frac{k}{r + r_1} (\mu + \nu).$$

Die Widerstände r und r_1 waren so abgeglichen, daß die Ablenkung durch den konstanten Strom im Galvanometer sich aufhob; ist nun $\mu = \nu$, so ist auch, da in Stromzweigen sich die Stromstärken umgekehrt wie die Widerstände verhalten, $r = r_1$, denn nur dann können die Stromstärken in den beiden Zweigen gleiche Ablenkungen der Galvanometernadel hervorbringen, wenn sie einander gleich sind. Ist aber μ von ν verschieden, so daß also die durch gleiche Ströme der Galvanometernadel von den beiden Windungen erteilten Ablenkungen nicht gleich sind, so sind die Stromstärken, welche die Windungen entgegengesetzt durchlaufend die Ablenkung der Nadel aufheben, verschieden, sie verhalten sich umgekehrt wie μ zu ν . Die Widerstände r und r_1 müssen sich dann direkt verhalten wie μ zu ν , oder es muß

$$\frac{\mu}{r} = \frac{v}{r}$$
.

In beiden Fällen ergiebt sich also

$$A = \mu \cdot \frac{k}{r} \cdot$$

Die Ablenkung A ist der Intensität des Induktionsstromes und die elektromotorische Kraft desselben ist dem Produkte aus der beobachteten Ablenkung und dem Widerstande r proportional.

Wird der Strom bei q wieder geschlossen, so bildet sich in der

dagegen die Nebenleitung von E über G nach B. Je nach der Stelling des Rades c' kann man es dann dahin bringen, daß in der Nebenleitung nur der Schließungsextrastrom sustande kommt oder der Öffnungstang ganz in derselben Weise, wie es S. 1024 für die Induktionsströme swie

andergesetzt wurde.

Um die Zersetzung durch den Schließungsstrom zu erhalten, und das Rad c' so gestellt, dass der Zweig etwas früher geschlossen und mit wieder unterbrochen wurde als der Hauptstrom. Die Stromstärke web so gewählt, dass bei dauernder Schließung des Zweiges und des Hauptstromes im Voltameter infolge der Polarisation keine merkliche Wasserzersetzung eintrat. Bei Benutzung einer Spirale von 500 Windungs bei sofort eine lebhafte Wasserzersetzung ein, als der Analysator gehält wurde, welche etwa auf das Sechsfache stieg, als in die Spirale ein Bank Eisendrähte gelegt wurde.

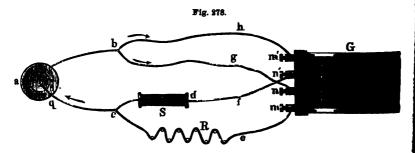
Bedeutend stärker war die Wasserzersetzung, als nur der Offingsstrom durch das Voltameter geführt wurde, sie betrug unter Anwucken derselben Spirale etwa das Dreifache, ein Umstand, der zum Teil deis seinen Grund hat, daß der Schließungsstrom sich nur teilweise das Voltameter ausgleicht und besonders darin, daß, wie Buff nachwick die Wasserzersetzung durch den Schließungsstrom stärker durch de

Polarisation gestört wird.

Ebenso hat Dove 1) die Existenz des Schliessungsextrastromes seigewiesen; wir werden bei Erwähnung der Doveschen magnetoelektrisken Maschine auf diesen Nachweis zurückkommen.

Die quantitativen Verhältnisse der Extraströme sind vorzugsweise war Edlund, Rijke und Buff untersucht worden.

Edlund²) benutzte zu seinen Versuchen die Anordnung Fig. 278; der Strom einer aus drei Elementen bestehenden Groveschen Säule a tak sich bei c in zwei Zweige ce und cf; die beiden Zweige führen derst



zu zwei Windungsreihen eines Weberschen Galvanometers (S. 907), das dasselbe als Differentialgalvanometer dient, daß also der mit der Klennes verbundene Strom das Galvanometer in entgegengesetzter Richtung durbläuft als der mit der Klemme n' verbundene. Ersterer verläßt im Galvanometer bei m' und geht über h nach b, letzterer verläßt is und geht über g nach b. In dem Zweige cdn' ist eine Spirale S_i in dem

¹⁾ Dove, Poggend. Ann. Bd. LVI. 2) Edlund, Poggend. Ann. Bd. LXXVII.

Zweige cem ein Widerstand R von zickzackförmig über Glasstäben ausgespannten Kupferdrähten eingeschaltet. Letzterer wird so abgeglichen, daß der Widerstand beider Zweige genau gleich groß ist, so daß also die Nadel des Galvanometers durch den konstanten beide Zweige durchlaufenden Strom nicht abgelenkt wird. Ist diese Gleichheit für eine Stromstärke erreicht, so gilt sie auch für alle, so daß die Nadel nicht abgelenkt wird, welche Änderungen man auch in dem Stammstrome bae anbringen mag.

Wenn bei q der Strom unterbrochen wird, so wird in der Spirale S der Öffnungsextrastrom induziert, welcher, wenn er dieselbe in der Richtung cd durchläuft, das Galvanometer zunächst in der Richtung n'n umkreist, dann von n über b, h nach m' geht und das Galvanometer in der Richtung m'm, also in derselben Richtung, wie in den anderen Windungen umkreist; die Wirkung beider Windungen auf die Nadel des Galvanometers summiert sich also, die Nadel wird abgelenkt und aus der Ab-

lenkung läßt sich die Stärke des Extrastromes bestimmen.

Sei zu dem Ende der Widerstand in dem Zweige cdfn'ngb = r, in dem Zweige $cemm'hb = r_1$, und sei die elektromotorische Kraft des Öffnungsstromes gleich k, sei ferner die Ablenkung, welche die Galvanometernadel erhält, wenn durch die Windungen mm' ein Strom von der Intensität eins hindurchgeht, gleich μ , wenn ein solcher durch nn' hindurchgeht, gleich ν , so ist, da wir hier die Ablenkung, welche mit Fernrohr und Skala bestimmt wird, einfach der Stromstärke proportional setzen können, die in dem Galvanometer durch den Öffnungsstrom hervorgebrachte Ablenkung

$$A = \frac{k}{r+r_1}(\mu + \nu).$$

Die Widerstände r und r_1 waren so abgeglichen, daß die Ablenkung durch den konstanten Strom im Galvanometer sich aufhob; ist nun $\mu=\nu$, so ist auch, da in Stromzweigen sich die Stromstärken umgekehrt wie die Widerstände verhalten, $r=r_1$, denn nur dann können die Stromstärken in den beiden Zweigen gleiche Ablenkungen der Galvanometernadel hervorbringen, wenn sie einander gleich sind. Ist aber μ von ν verschieden, so daß also die durch gleiche Ströme der Galvanometernadel von den beiden Windungen erteilten Ablenkungen nicht gleich sind, so sind die Stromstärken, welche die Windungen entgegengesetzt durchlaufend die Ablenkung der Nadel aufheben, verschieden, sie verhalten sich umgekehrt wie μ zu ν . Die Widerstände r und r_1 müssen sich dann direkt verhalten wie μ zu ν , oder es muß

$$\frac{\mu}{r} = \frac{\nu}{r_1}.$$

In beiden Fällen ergiebt sich also

$$A = \mu \cdot \frac{k}{r} \cdot$$

Die Ablenkung A ist der Intensität des Induktionsstromes und die elektromotorische Kraft desselben ist dem Produkte aus der beobachteten Ablenkung und dem Widerstande r proportional.

Wird der Strom bei q wieder geschlossen, so bildet sich in der

xtrastrom. § 1

Spirale S der Schließungsextrastrom; derselbe fließt in der Spirale r d nach c und verzweigt sich dort teils nach a teils nach c . Um d Ablenkung des Galvanometers zu erhalten, muß man die Stromstärke den Zweigen r und r_1 bestimmen; sei dieselbe J und J_1 , sei die elektr motorische Kraft des Schließungsstromes k_1 und der Widerstand a Stromes cab = R. Ist schließlich die elektromotorische Kraft der Ket a gleich E, die Stromstärke in $cab = J_2$, so ist nach den Kirchhoffsche Gleichungen

$$J = J_1 + J_2$$
; $Jr + J_2R = k_1 - E$; $J_1r_1 - J_2R = E$

und darans

$$J = \frac{k_1(R + r_1) - r_1E}{r(R + r_1) + Rr_1}, \qquad J_1 = \frac{k_1R + rE}{r(R + r_1) + Rr_1}.$$

Die Ablenkung der Galvanometernadel ist dann, da beide Ströme i Nadel in demselben Sinne umkreisen,

$$A_1 = J\mu + J_1\nu = \frac{k_1[\mu(R+r_1) + \nu R] + E(\nu \tau - \mu \tau_1)}{r(R+r_1) + Rr_1}$$

und daraus, da $\mu r_1 = \nu r$,

$$A_1 = \frac{\mu k_1 \left\{R + r_1 + \frac{R r_1}{r}\right\}}{r \left\{R + r_1 + \frac{R r_1}{r}\right\}} = \mu \cdot \frac{k_1}{r} \cdot$$

Die Ablenkung durch den Schließungsstrom ist also ebenfalls una hängig von der Beschaffenheit des Stammes bac, sie ist der Intensit des Stromes direkt proportional; die elektromotorische Kraft desselben i dem Produkte aus der beobachteten Ablenkung und dem Widerstande proportional.

Nach dieser Methode hat Edlund zunächst gezeigt, daß der Öffnung und Schließungsstrom gleiche Intensität haben, wenn im Momente d Unterbrechung der induzierende Strom noch dieselbe Stärke hat, welch er gleich nach dem Schließen erreichte. Es ergiebt sich das unter ander aus folgenden Versuchen.

Stromstärke des induzieren- den Stromes	Ausschlag	g der Nadel	Stärke des	Differen	
	beim Offnen	beim Schliefeen	beobachtet	berechnet	
33,8	6,93	8,60	6,93	7,32	- 0,3
42,1	9,20	11,38	9,20	9,12	+ 0,0
44,8	9,61	10,48	9,61	9,71	- 0,1
51,9	11,08	14,37	11,08	11,24	+ 0,1
54,2	12,30	12,62	12,30	11,85	+ 0,1
80,3	17,45	23,48	17,45	17.40	+ 0,0
108,4	23,76	25,86	23,76	23,49	+ 0,2
3,6	25,09	27,33	25,09	1 24,61	1+0

Die Ablenkung der Nadel ist beim Schließen zwar immer etwas größer als beim Öffnen; der Grund dafür liegt aber offenbar darin, daß auch bei den konstanten Ketten eine, wenn auch nur schwache Polarisation eintritt, wodurch gleich nach Schluß der Kette der Strom etwas stärker ist als später.

Die fünfte Kolumne der obigen Tabelle, welche aus der ersten erhalten ist, indem die entsprechenden Stromstärken mit 0,21665 multipliziert sind, beweist ferner, dass die Intensität der Extraströme derjenigen der induzierenden Ströme direkt proportional ist.

Rijke¹) hat durch ganz ebenso angeordnete Versuche diese beiden Sätze von Edlund bestätigt, und zu denselben noch den Satz gefügt, daß eben dieselben Gesetze noch gültig sind, wenn man in die Induktionsspirale einen Eisenkern hineinbringt, und ebenso, wenn man in der Nähe der den Extrastrom erzeugenden Spirale noch eine Induktionsspirale anbringt. Das Gleiche ergeben die vorhin erwähnten Versuche Buffs, der die chemischen Wirkungen des Extrastromes zu seinen Messungen verwandte.

§. 142.

Ströme induziert durch Reibungselektricität. Der Entladungsschlag der Leydener Flasche ist von so kurzer Dauer, daß Beginnen des Stromes und Aufhören fast zusammenfallen; Faraday glaubte deshalb, daß dieser Strom nicht imstande sei Induktionswirkungen auszuüben, da der Schließungsstrom und Öffnungsstrom so nahe zusammenfallen würden, daß sie sich gegenseitig aufheben. Es ist das jedoch keineswegs von vornherein klar; im Gegenteil ist es sehr wohl möglich, daß die Induktionsströme selbst nahezu so rasch verlaufen wie der Entladungschlag der Leydener Flasche; dann wird dieser zwei einander entgegengesetzte Ströme induzieren, welche zeitlich noch auseinanderfallen, also wirklich zustande kommen können. Wirkungen, welche von der Richtung der Stromes abhängig sind, würde man mit diesen Strömen allerdings nicht erzielen können, aber durch Wärmewirkungen oder physiologische Zuckungen müßten sie mit Sicherheit nachzuweisen sein.

In der That sind diese Ströme fast gleichzeitig und unabhängig von einander von Marianini²) und Riess³) entdeckt worden, und sogar durch eine Wirkung, welche einen Strom bestimmter Richtung voraussetzt; Marianini hat nämlich eine Nadel durch einen solchen Strom magnetisiert, und Riess fand, daß in einer Magnetisierungsspirale, welche mit einer geschlossenen Induktionsspirale umgeben war, eine Nadel stärker normal magnetisiert wurde, als durch den Entladungsschlag allein. Letztere Erscheinung ergiebt sich leicht; durch den Schließungsstrom wird zwar die Wirkung des induzierenden Stromes, bis derselbe sein Maximum erreicht hat, geschwächt, von dem Momente aber wird die Wirkung desselben durch den Öffnungsstrom verstärkt.

Die Beobachtung Marianinis wird durch eine Untersuchung Wiede-

¹⁾ Rijke, Poggend. Ann. Bd. CII.

²⁾ Marianini, Memorie di fisica sperimentale. Modena 1838. Riess, Reibungselektricität. Bd. II. §. 809.

³⁾ Riess, Poggend. Ann. Bd. XLVII. Reibungselektricität. Bd. II. §. 807 ff.

manns¹) über das Magnetisieren erklärt, in welcher er gezeigt hat, daß wenn man eine Stahlnadel durch einen Strom von gewisser Stärke magne tisiert hat, ein entgegengesetzter Strom gleicher Stärke die Nadel nich nur entmagnetisiert, sondern sogar schon entgegengesetzt magnetisiert.

Riess hat die Existenz der Nebenströme dann in folgender Weis

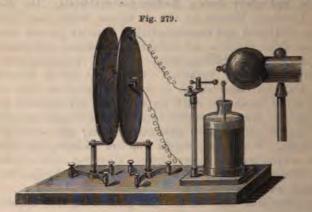
direkt durch das Luftthermometer nachgewiesen.

Eine Drahtspirale von 111 Windungen eines 1,3 mm dicken, 2,5 m langen Kupferdrahtes wurde in eine Glasröhre gesteckt und darauf di Glasröhre in 107 Windungen mit einem fünf Meter langen Kupferdraht umwickelt, dessen Enden mit einem Luftthermometer verbunden waren Jede Entladung der Batterie durch den inneren Draht brachte in den Thermometer eine Temperaturerhöhung hervor.

Wurde an die Stelle des Thermometers eine Magnetisierungsspiral

eingeschaltet, so konnten Nähnadeln magnetisiert werden.

Die physiologischen Wirkungen der Induktionsströme konnten an besten mit Induktionsscheiben erhalten werden. Dieselben bestehen an Scheiben von trocknem Holze, in welche auf der einen Seite entwede Spiralen (Fig. 279) oder eine Anzahl konzentrischer Kreise eingeschnitte sind, welche durch Furchen mit einander verbunden sind. Der Mittel



punkt der Scheibe ist durchbohrt und der Anfang des in die Kreise ge legten Drahtes, sowie auch das Ende durch die Scheibe hindurchgesteck und auf der hinteren Seite durch Klemmschrauben befestigt.

Um zwei ganz gleiche Scheiben derart, deren Drahtwindungen genz parallel sind, zu erhalten, schwärzt man die Drahtwindungen der fertige Scheibe mit Kohle und drückt sie dann auf einer zweiten Scheibe ab

Zwei solcher Scheiben stellt man einander gegenüber, indem ma entweder eine auf die andere legt mit zugewandten Drähten und dureine Glasscheibe von einander getrennt, oder indem man die Scheiben vertikal an Glasfüssen befestigt. Mit zwei solchen Scheiben, welche 5,4 m von einander entfernt waren, erhielt Riess schon sehr unangenehme Schlige wenn die Nebenspirale mit Handhaben versehen durch den Körper ge-

¹⁾ Wiedemann, Poggend. Ann. Bd. C u. OVI.

schlossen und durch die induzierende Spirale die Elektricitätsmenge sechs (Kugeln der Maßflasche 1,3 mm entfernt) aus vier Flaschen entladen wurde.

Die quantitativen Gesetze des Nebenstromes hat Riess hauptsächlich durch das Luftthermometer studiert. Es ergab sich, daß der Nebenstrom unter sonst gleichen Umständen mit der Stärke der Ladung nach demselben Gesetze zunimmt wie der Hauptstrom; die Erwärmung im Thermometer war dem Produkte aus der entladenen Elektricitätsmenge in die Dichtigkeit derselben proportional. Der Nebenstrom ist also der Stärke des Hauptstromes proportional.

Ebenso fand Riess, daß die in der Nebenspirale bewegte Elektricitätsmenge der Windungszahl der Hauptspirale proportional und daß sie von der Drahtdicke und der Substanz der Nebenspirale, dem Verzögerungswerte derselben unabhängig ist.

Die quantitativen Gesetze der Induktion sind also für reibungselektrische Ströme dieselben wie für galvanische Ströme.

Die Magnetisierung durch den Nebenstrom ist ebenfalls von Riess genauer untersucht worden 1), indes läst sich in derselben nichts Gesetzmäßiges erkennen; es würde von Interesse sein, dieselbe nach den Untersuchungen Feddersens und v. Lipharts wieder aufzunehmen, vielleicht daß sich dann gerade mit Hilfe dieser Wirkung der Nebenstrom genauer studieren ließe. Denn nach den Untersuchungen Feddersens, welcher den Hauptstrom in eine Menge oscillierender Ströme zerlegt hat, muß der Induktionsstrom des Entladungsschlages ein äußerst kompliziertes Phänomen sein, er muß aus einer ganzen Reihe hin- und hergehender Ströme bestehen.

Chemische Wirkungen lassen sich durch diese Induktionsströme nicht erhalten, es gelingt aber, wenn man in den Stromkreis des Induktionsstromes eine Luftstrecke einschaltet, indem auch hier nur der Öffnungsstrom zustande kommt; legt man die Enden der Induktionsspirale dann auf mit Jodkalium befeuchtetes Papier, so tritt Ausscheidung von Jod ein").

§. 143.

Unipolare Induktion. Bei den bisher betrachteten Erscheinungen der Magnetoinduktion wurden Ströme induziert, wenn der Magnetismus erregt oder geschwächt, und wenn den Leitern Magnete genähert oder von ihnen entfernt wurden, wenn also allgemein gesprochen in Bezug auf den Leiter die Magnetkraft verstärkt oder geschwächt wird.

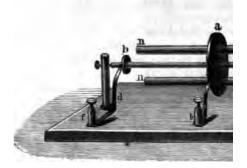
Eine allgemeine Anwendung des Lenzschen Gesetzes ergiebt unter gewissen Bedingungen indes auch Induktionsströme durch Magnete, wenn das nicht der Fall ist, wenn die Magnetkraft in Bezug auf die Leiter sich nicht ändert; es muß danach nämlich in allen Fällen durch mechanische Bewegung eines Magnets in der Nähe eines Leiters ein Strom erregt werden, wenn ein den Leiter durchfließender Strom dem Magnete eine entgegengesetzte Bewegung erteilen würde. Es muß demnach auch durch

Riess, Poggend. Ann. Bd. XLVII. Reibungselektricität. Bd II. §. 835 ff.
 Die im zweiten Abschnitte ausführlicher besprochenen oscillierenden Entladungen der Batterieen können ebenfalls als Induktionserscheinungen aufgefalst werden und zwar als die durch die Entladungen bedingten Extraströme.

Bewegungen, welche man den Magneten in schen Rotationen erteilt, in Leitern, welch ihnen derartige Rotationen hervorbringen, ein I In der That lassen sich diese Induktionssträdie in §. 125 betrachteten Rotationen mecha day 1), W. Weber 2) und Plücker 3) ausführli

Einen sehr hübschen Apparat, welcher Fig. 240 beschriebenen Versuches bietet, und angegeben hat, beschreibt Wiedemann⁴).

Fig. 280.



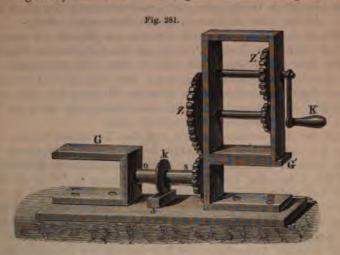
werden der metallischen Axe bc parallel in welche auf die Axe bc aufgesetzt ist. zwei kleine Metallscheiben b und c, auf we und g verbundenen Federn schleifen; eine verbundene Feder schleift auf dem Rande de die gekehlte Scheibe k gelegten Schnurlau und mit ihr die Magnete in rasche Rotation ve die Federn f oder g und h mit einem Gal abgelenkt, ein Beweis, daß durch die Be Stromkreise ein Strom induziert wird. sich unmittelbar aus dem Lenzschen Gesetz vanometer verbunden und drehen sich, von wie der Zeiger einer Uhr, so fliesst der Strda ein solcher Strom die Magnete in de drehen würde. Daraus ergiebt sich auch anderer Verbindung oder anderer Drehung. Galvanometer verbunden, so entsteht keir Lenzschen Gesetze schon aus den §§. 124

W. Weber hat besonders die zuerst vo

¹⁾ Faraday, Experimental researches. Ser.
2) W. Weber, Resultate aus den Beobacht im Jahre 1837.

 ³⁾ Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXXVII.
 4) Wiedemann, Galvanismus. 2. Aufl. Bd.

gedreht wird. Den von ihm benutzten Apparat zeigt Fig. 281. Ein cylindrischer Magnet ns ist horizontal zwischen den beiden Stahlgabeln G, G' drehbar befestigt; es sind zu dem Ende auf seine Endflächen Spitzen aufgesetzt, welche in Vertiefungen der Gabeln liegen. Auf dem



Magnete ist nahe seinem einen Ende ein Zahnrad befestigt, in dessen Zähne die Zähne des großen Rades Z eingreifen. Dieses Rad sitzt auf einer gezähnten Axe, in welche die Zähne des Rades Z', welches durch die Kurbel K gedreht wird, eingreifen. Auf den Magnet ist ferner eine Kupferscheibe k aufgesetzt, welche in das Quecksilber der Rinne a taucht. Wird der Magnet in rasche Rotation versetzt, und die Gabel G und das Quecksilber mit einem Galvanometer in Verbindung gesetzt, so durchtuft dasselbe ein Strom. Dasselbe geschieht, wenn man G und a mit dem Galvanometer verbindet, nicht aber, wenn G und G' mit demselben leitend verbunden sind.

Wie man sieht ist dieser Versuch unmittelbar die Umkehr des in Fig. 242 §. 125 beschriebenen Versuches; die Richtung des Stromes ergiebt sich daher nach dem Lenzschen Gesetz folgendermaßen. Ist n der Nordpol und fließt ein Strom von G nach a, so wird durch die nicht mit dem Magnet fest verbundenen Stromteile der Magnet von G aus gesehen wie der Zeiger einer Uhr gedreht; wird daher der Magnet durch mechanische Mittel, von G aus gesehen, wie der Zeiger einer Uhr gedreht, so wird in den nicht mit dem Magnet fest verbundenen Stromteilen ein Strom induziert, welcher durch den Magnet von a nach G fließt. Daraus ergeben sich die anderen Fälle von selbst.

Diese Induktionserscheinungen, welche man nach Weber die unipolare Induktion nennt, kommen nur zustande, wenn die Enden des mit dem Magnete nicht fest verbundenen Stromteiles so liegen, das die von den Magnetpolen zu ihnen gezogenen Linien mit der Magnetaxe verschiedene Winkel bilden, dass also nach der Bezeichnung des §. 125 S. 896

von null verschieden ist. Es entsteht daher nur ein Strom, aber auf immer dann, wenn das nicht mit dem Magnete fest verbundene Leiterstück so endigt, dass durch die Wechselwirkung desselben mit dem Magnetpole, wenn es von einem Strome durchsiossen wird, Leiter und Magnet sich gegenseitig ein Drehungsmoment erteilen, welches den einen um da anderen, oder um eine dazwischenliegende Drehungsaxe dreht.

Die unipolare Induktion durch Rotation des Magnets um seine eiges Axe ergiebt sich nach diesem Princip, wie die Rotation des Magnets meseine Axe durch einen Strom, am besten, wenn wir den Magnet als is Bündel von Linearmagneten betrachten. Die Pole dieser Linearmagnete induzieren dann bei der Rotation in derselben Weise in dem nicht mit dem Magnete fest verbundenen Leiterteile einen Strom, wie wenn ein Magnet um eine außer ihm liegende Axe gedreht wird.

Nach der Ampèreschen Theorie und dem Lenzschen Gesetze ist also der Sitz der elektromotorischen Kraft bei all diesen Induktionen in dem mit dem Magnete nicht fest verbundenen Leiterstücke zu suchen, gendwie bei den Rotationen die Ursache der Bewegung in dem nicht mit dem Magnete fest verbundenen Stromteile liegt.

Eine ganz andere Anschauung von der Ursache der Induktion ole vielmehr, um es richtiger auszudrücken, von dem Sitze der elektromotorischen Kraft bei diesen Strömen, vertritt Plücker 1). Dieselbe berah auf einer direkten Anwendung des Biot-Savartschen Gesetzes, deren wir damals nicht erwähnt haben, und von der wir nur bemerken, daß md derselben ein Magnetpol nicht unmittelbar durch einen Solenoidpol ersetz werden kann. Während nach der Ampèreschen Theorie die Wechselwirkung zwischen einem Magnetpole und einem Stromelemente dieselle ist, wie zwischen einem Solenoidpole und dem Elemente, also die auf der durch das Element und die Verbindungslinie von Pol und Element senkrecht wirkende Kraft die Resultierende ist aus den Anziehungen und 15stofsungen, welche die einzelnen Stromelemente des Solenoids auf de betrachtete Stromelement ausüben, ist bei dieser Anwendung des Bist-Savartschen Gesetzes die Wirkung zwischen Magnetpol und Stromelement unmittelbar einem Kräftepaar gleich zu setzen, dessen Ebene senkrelt zur Ebene des Elements ist und durch die Verbindungslinie von Pol und Während nach der ersten Theorie zwischen einem Mar Element geht. netpole und mit ihm starr verbundenen Elemente keine Wechselwirkung stattfinden kann, weil durch die starre Verbindung den elementaren Auziehungen und Abstofsungen das Gleichgewicht gehalten wird, werder nach der letzteren Theorie ein Stromelement und ein mit demselben festverbundener Magnetpol, welche sich im übrigen frei bewegen könner. um einander rotieren. Die bewegende Kraft hat daher nach dieser Arschauungsweise bei den elektromagnetischen Bewegungen in dem Magnet und den mit demselben festverbundenen Leiterteilen ihren Sitz!). Gar! ebenso ist auch der Sitz der elektromotorischen Kraft bei den zuleubetrachteten Induktionserscheinungen nicht in den festen Leiterwille sondern in den mit dem Magnet bewegten, also bei der Drehung de

Plücker, Poggend. Ann. Bd. LXXXVII.
 Beer, Poggend. Ann. Bd. XCIV.

Magnets um seine eigene Axe in dem Magnet selbst zu suchen. Wenn ein Magnet um seine eigene Axe sich dreht, so werden hiernach die beiden Elektricitäten in demselben geschieden; ist der Magnet isoliert, so befindet sich die eine Elektricitätsart in den Polen, die andere auf der Indifferenzzone; wird ein Pol mit der Indifferenzzone leitend verbunden, so gleichen sich in der Leitung die Elektricitäten aus¹).

Wie man sieht liegt hierin eine Methode, um die beiden Theorien experimentell zu entscheiden; denn nach der einen muß ein rotierender Magnet Spannungselektricität an seinen Polen und in seiner Mitte zeigen, wenn er isoliert rotiert; nach der anderen Theorie darf das nicht der Es ist indes bis jetzt noch kein Versuch darüber angestellt worden, ob diese Spannungselektricität vorhanden ist oder nicht²).

§. 144.

Induktion durch den Erdmagnetismus. Wie wir im §. 139 sahen, wird durch die rasche Drehung eines Stromkreises in der Nähe eines Magnets in dem Kreise ein Strom induziert; diese Induktion ergab sich aus dem Lenzschen Gesetze, da ein Stromkreis, welcher der magnetischen Axe des Magnets parallel ist, durch den Einfluss des Magnets so gedreht wird, dass seine Ebene zur magnetischen Axe senkrecht steht. ein Kreisstrom ebenfalls durch den Magnetismus der Erde gerichtet wird, so muss auch durch Drehung eines Stromkreises um eine in seiner Ebene liegende Drehungsaxe allein durch den Magnetismus der Erde ein Strom induziert werden können. Denken wir uns einen Kreisstrom um eine horizontale, zur Ebene des magnetischen Meridians senkrechte Axe drehbar, so wird sich dieser Kreis so stellen, dass jene Ebene zur Richtung der Inklination senkrecht ist, und dass von oben her gesehen der Strom wie der Zeiger einer Uhr kreist. Kreist der Strom umgekehrt, so befindet sich der Stromkreis in der labilen Gleichgewichtslage, und der geringste Anstofs wird bewirken, dass sich der Stromkreis um 180° dreht. Wenn man daher einen solchen Stromkreis senkrecht zur Richtung der Inklinationsnadel hält, und ihn dann um seinen horizontalen zur Meridianebene senkrechten Durchmesser um 180° dreht, so muss ein Strom induziert werden, welcher der eben angegebenen Richtung entgegengesetzt ist.

Auch dieser Fall der Induktion ist zuerst von Faraday³) beobachtet Eine Spirale, deren Enden mit den Leitungsdrähten eines Galvanometers verbunden waren, wurde so gehalten, dass ihre Längsrichtung mit der Richtung der Inklinationsnadel zusammenfiel, und dann um 1800 gedreht; die Nadel des Galvanometers wurde abgelenkt. Durch Multiplikation, indem die Spirale jedesmal aus ihrer augenblicklichen Lage wieder um 180° gedreht wurde, wenn die Nadel nach der ersten Ablenkung

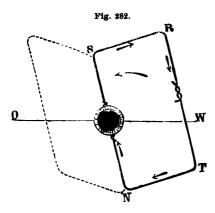
Ann. Bd. XXV.

¹⁾ Plücker, a. a. O. 2) Beer, a. a. O. Man sehe auch die Abhandlungen von Riccke, Wiedem. Ann. Bd. I und Bd. XI, in welch letzterer Riccke zu dem Schlusse gelangt, daß bei vollständiger Durchführung beide Theorieen zu dem gleichen Resultat führen; ferner Lorberg, Poggend. Ann. Erg.-Bd. VIII. S. 581.

3) Faraday, Experimental researches Ser. II. art. 148 u. 171 ff. Poggend.

wieder zur Gleichgewichtslage zurückgekehrt war, konnte die Nadel so in Schwingungen von $80^{\circ}-90^{\circ}$ versetzt werden.

Noch in einer anderen sehr einfachen Weise hat Faraday die Induttion durch den Erdmagnetismus gezeigt. Ein etwa 2m langer Kupterdraht wurde mit seinen Enden an die Enden der Galvanometerdrähte befestigt und dann (Fig. 282) in Form eines Rechtecks NTRS über den



Galvanometer gebogen. Rechteck, dessen untere Seite NS des magnetischen Meridiane parallel wa schnell von der Rechten zur Linka, von W nach O bewegt, so zeigte & Ablenkung der Galvanometerade einen Strom an, welcher in der Ricktung der Pfeile das Rechteck umkreise. also unten von Norden nach Siden ging. Diese Stromrichtung ist mit dem Lenzschen Gesetze in Übereitstimmung, denn das von einem solchen Strom durchflossene Rechtedt würde durch die Vertikalkomponente des Erdmagnetismus in entgeger gesetzter Richtung gedreht.

Sehr viel kräftigere Induktionsströme erhält man, wenn man zugleich den Magnetismus der Lage benutzt; ja schon allein durch denselben werde die Induktionsströme unter sonst gleichen Umständen um vieles kräftige. Faraday steckte in die vorhin erwähnte Spirale ein Stück weichen Eisen und kehrte den Cylinder in der angegebenen Weise um; bei dreimalige Wiederholung des Umkehrens beschrieb die Nadel bei ihren Schwingunge einen Halbkreis. Ein nicht viel schwächerer Strom wurde erhalten, als ein weicher Eisencylinder rasch in die der Induktionsrichtung parallek Spirale hineingestoßen wurde; durch mehrmaliges den Schwingungsphase entsprechendes Einschieben und Ausziehen konnte auch so die Nadel z Schwingungen von 180° versetzt werden¹).

Palmieri und Santi Linari²) haben später durch Anwendung mehrers mit weichen Eisencylindern versehenen und mit einander verbundere Spiralen so kräftige Ströme erhalten, das sie mit denselben Wasser zer setzen und die physiologischen Wirkungen der Induktionsströme nachweise konnten.

Eine sehr interessante Anwendung von der Induktion durch den Ertmagnetismus hat W. Weber gemacht, nämlich die Bestimmung der Inklination³). Das Princip der Methode ist folgendes. Stellt man einen kreiförmigen, um eine horizontale, in seiner Ebene liegende, zur Ebene de Meridians parallele Axe drehbaren Leiter horizontal, und dreht ihn dans um 180°, so wird durch die vertikale Komponente des Erdmagnetisms

¹⁾ Faraday, a. a. O. art. 140 ff. Nobili und Antinori, Poggend. Am Bd. XXIV.

²⁾ Palmieri und Santi Linari, Poggend. Ann. Bd. LIX, Bd. LXII.
3) W. Weber, Poggend. Ann. Bd. XC.

in ihm ein Strom induziert, dessen Stärke der vertikalen Komponente des Erdmagnetismus proportional ist. Ist demnach T die totale Intensität des Erdmagnetismus und φ der Inklinationswinkel, so ist

$$J = a T \sin \varphi,$$

worin a eine von den Dimensionen des Leiters abhängige Konstante ist, welche die Stärke des durch die Einheit des Magnetismus in dem Leiter erregten Stromes bedeutet.

Wird derselbe Leiter senkrecht zur Ebene des magnetischen Meridianes um eine vertikale Axe drehbar aufgestellt und rasch um 180° gedreht, bis er also wieder zum Meridiane senkrecht ist, so wird in dem Leiter ein Strom induziert, dessen Stärke ganz ebenso der horizontalen Komponente des Erdmagnetismus proportional, also gegeben ist durch

$$J' = a T \cos \varphi$$
.

Aus diesen beiden Gleichungen folgt

$$\frac{J}{J'} = \tan \varphi,$$

die Tangente des Inklinationswinkels ist dem Quotienten der durch die vertikale und die horizontale Komponente des Erdmagnetismus induzierten Ströme gleich.

Diese Methode ist viel genauer als die Bestimmung der Inklination durch Bussolen, und um so genauer, da jede einzelne Bestimmung eine viel kürzere Zeit in Anspruch nimmt, man also die Inklination für einen bestimmten Zeitpunkt zu bestimmen imstande ist. Die einzige Schwierigkeit derselben liegt in der geringen Intensität der Induktionsströme, wodurch ein kleiner, bei der Bestimmung derselben begangener Fehler auf das Resultat schon von bedeutendem Einflus ist. Man muß deshalb zur Erlangung der größten Genauigkeit den Induktionsstrom möglichst verstärken und zugleich den Meßapparat so einrichten, daß er schwache, sehr rasch verlaufende Ströme genau zu messen gestattet.

Um ersteres zu erreichen, wand Weber um eine hölzerne Rolle von 718,3 mm Durchmesser und 120,05 mm Breite einen mit Baumwolle übersponnenen und mit Guttapercha überzogenen Kupferdraht von 542,296 m Länge, dessen Gewicht 19,820 kg betrug. Ein Stück von 1 mm Länge wiegt hiernach 36,55 mg, das specifische Gewicht des Kupfers betrug 8,8178, so daß der Querschnitt des Drahtes im Mittel 4,145 qmm war. Der Draht bildete 605 Umwindungen in 18 Lagen. Die Rolle konnte in einem starken hölzernen Rahmen so aufgestellt werden, daß die der Ebene der Windungen parallele Umdrehungsaxe genau horizontal oder genau vertikal war. Die Ebene der Windungen war im ersten Falle genau horizontal, im andern genau vertikal und senkrecht zur Ebene des Meridians. Mittels eines Schnurlaufs konnte sie rasch um genau 180° gedreht werden.

Die Enden des Drahtes waren mit einer Multiplikatorrolle in Verbindung, welche den Magnetstab eines Magnetometers umgab; diese Rolle bestand aus zwei Kupferdrähten, jeder von 992,656 m Länge, welche jeder in 25 Lagen und 779 Windungen um einen Cylinder von 1,0274 m Durchmesser gewunden waren; das Gesamtgewicht dieser Drahtmasse war

Stromkreis während der ganzen Bewegung ablenkend auf die Nadel wirkt, und zwar bei jeder Umdrehung mit derselben Kraft. Die abgelenkte Nadel wird im Gleichgewicht sein, wenn die ablenkende Kraft des von der vertikalen Komponente induzierten Induktionsstromes gleich ist der Kraft, mit welcher die horizontale Komponente die Nadel in den Meridian zurückzieht. Bedeutet M den Magnetismus der Nadel, T die totale Intensität des Erdmagnetismus, so ist die Kraft, mit welcher die Nadel in der abgelenkten Lage, in der sie mit dem Meridian den Winkel v bildet, gehalten wird.

$aMT\sin\varphi\cos v$,

worin α eine von den Dimensionen und der Beschaffenheit des Leiters, sowie von der Geschwindigkeit der Drehung abhängige Konstante ist. Die die Nadel in den Meridian zurückziehende Kraft ist

 $MT\cos\varphi\sin v$,

somit

 $tang v = a tang \varphi$.

Ist demnach φ an einem Orte bestimmt, so läßt sich für einen bestimmten Apparat und für eine bestimmte Drehungsgeschwindigkeit die Konstante a bestimmen, und damit ist man imstande mit dem gegebenen Instrumente an allen Orten die Inklination zu bestimmen.

Zur Ausführung des Apparates wandte Weber einen Kupferring an, welcher mit einer horizontalen Axe versehen war; die Axe bestand aus zwei Teilen, der eine war an dem Ringe fest und durch ein an diesem angreifendes Getriebe wurde der Ring gedreht; der andere Teil, auf welchem sich der Ring drehte, war bis zur Mitte des Ringes verlängert und trug dort die Bussole.

Für die Konstante a ergab sich aus den Versuchen, daß sie der Umdrehungsgeschwindigkeit proportional war.

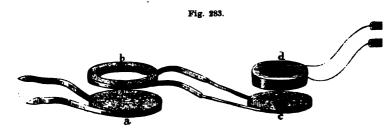
Der Apparat ist besonders geeignet, um an Stelle von Lamonts Reisetheodolit die Inklination mit großer Schnelligkeit und bei hinreichender Vorsicht auch mit Genauigkeit an verschiedenen Orten zu bestimmen.

§. 145.

Induktionsströme höherer Ordnung. Im § 142 haben wir nachgewiesen, daß auch der Entladungsschlag der Leydener Batterie einen Strom induziert; dadurch ist es wahrscheinlich gemacht, daß auch die Induktionsströme selbst wieder auf geschlossene Leiter induzierend wirken und so neue Induktionsströme erregen können. Henry¹) hat diese Ströme nachgewiesen, indem er eine Anzahl Spiralen von bandförmigem Kupferblech und flache Drahtspiralen nach Art der Fig. 283 gegen einander gruppierte. Durch die Spirale a wurde der primäre, induzierende Strom geleitet; derselbe induzierte in der Spirale b und der mit derselben verbundenen Spirale c einen Schließungsstrom, und durch diesen wird wieder in der Spirale d ein Strom induziert, der am einfachsten durch die Erschütterung nachgewiesen wird, welche er dem Körper erteilt, wenn

¹⁾ Henry, Poggend. Ann. Ergänzungsband I. Bd. LIV.

man durch Festhalten der Handhaben den Stromkreis mit dem schließt. Henry nennt den durch den primären Strom erregten Indu strom einen Strom zweiter Ordnung, und die durch diesen erregten! solche dritter Ordnung.



Durch Vervielfältigung der Spiralen in ähnlicher Anordnungswie wurden noch Ströme vierter und fünfter Ordnung erhalten, und in blicher Weise durch die physiologischen Wirkungen nachgewiesen.

Die Ströme höherer Ordnung können ebensowenig als die durch in Entladungsschlag der Batterie erhaltenen Induktionsströme einfach in der Strom dritter Ordnung muß doppelt, der vierter Ordnung muß wier hin- und hergehenden, und der Strom fünfter Ordnung aus acht chen Strömen bestehen. Es ergiebt sich das unmittelbar aus einer die ten Anwendung des ersten Gesetzes der Induktion. Der Strom ordnung erzeugt bei seinem Entstehen und bei seinem Verschwinden im Strom dritter Ordnung, deren erster dem Strome zweiter Ordnung et gegengesetzt gerichtet ist, während der zweite demselben gleichgenitst ist. Jeder dieser Ströme dritter Ordnung erzeugt zwei Ströme inter Ordnung. Die Richtungen dieser Ströme ergeben sich in derselben Weinennen wir die Richtung des primären Stromes positiv, so erhalten für die Induktionsströme folgendes Schema:

	beim Schliefsen	beim Öffnen
primäre Ströme	+	+
Ströme II. Ordnung	-	+
"III. "	+	-+
" IV. "	-++-	++
" V. " +	- - +-++-	-++-+

Die einzelnen Ströme höherer Ordnung nachzuweisen, ist nicht möglich; es läst sich aber auf verschiedene Weise zeigen, das sie That aus hin- und herlaufenden Strömen bestehen. Leitet man z. Ströme durch ein Galvanometer, so findet keine Ablenkung der statt, wenn die Nadel sich in der Gleichgewichtslage befindet; is die Nadel abgelenkt, so wird die Ablenkung vergrößert, nach z Seite sie auch abgelenkt ist 1). Daraus folgt mit Sicherheit, das das Galvanometer abwechselnd gerichtete Ströme gehen, denn die größerung der Ablenkung ist Folge einer temporären Magnetisieru

Galvanometernadel, welche sie in jeder abgelenkten Lage erhält, und ergiebt sich folgendermaßen. Sei das ursprüngliche Moment der Nadel gleich M, und die Intensität der Ströme + J, wenn sie die Ablenkung der Nadel zu vergrößern, -J, wenn sie dieselbe zu verkleinern streben. Der Strom J erzeuge in der Nadel das Moment m. Der Strom, der die Ablenkung der Nadel zu vergrößern strebt, verstärkt dann auch das Moment M der Nadel um m, so dass das Moment der Nadel M + m und die ablenkende Kraft cJ(M+m) wird. Der Strom — J schwächt das Moment der Nadel um dieselbe Größe, er verwandelt es in M-m, die ablenkende Kraft dieses Stromes wird daher -cJ(M-m). Die Differenz dieser beiden Kräfte

2c.Im

vergrößert daher unter allen Umständen die Ablenkung der Nadel 1).

Ebenso läßt sich der Nachweis durch ein Voltameter führen; denn leitet man z. B. die Ströme III. Ordnung durch ein solches, dessen Elektroden aus Wollastonschen Spitzen bestehen, so entwickelt sich an beiden Elektroden Knallgas, und es tritt keine Polarisation derselben ein. Das ist nach Versuchen von Verdet²) selbst der Fall, wenn man bei häufiger Unterbrechung des primären Stromes mit Hilfe eines Disjunktors in der Induktionsspirale für die Ströme II. Ordnung nur den Öffnungs- oder Schließungsstrom zustande kommen läßt. Dadurch ist also bewiesen, daß jeder einzelne Induktionsstrom zwei abwechselnd gerichtete Induktionsströme induziert, wodurch dann obiges Schema gerechtfertigt ist3).

§. 146.

Theorie der Induktion von F. E. Neumann. Eine Theorie der elektrischen Induktion in linearen Leitern kann in doppelter Weise erhalten werden; nach der einen sucht man gestützt auf die Grunderscheinungen der Induktion, also besonders auf das Gesetz von Lenz, welches dieselben experimentell zusammenfaßt, einen allgemeinen Grundsatz, aus welchem man dann durch mathematische Deduktionen die einzelnen Fälle der Induktion ableiten und die Intensität der Ströme in jedem Falle berechnen kann. Der andere Weg geht einen Schritt weiter zurück; auf diesem sucht man selbst die ersten Thatsachen der Induktion, welche der eben angedeutete Weg zum Ausgangspunkte nimmt, aus den Gesetzen der elektrischen Anziehung und Abstofsung zu erklären, und weiter aus diesem Gesetze selbst durch mathematische Entwickelungen die einzelnen Fälle der Induktion vollständig zu bestimmen. Beide Wege sind eingeschlagen worden; der erste von Neumann, der zweite von W. Weber; wir müssen uns hier darauf beschränken, die Grundzüge dieser Theorieen anzudeuten.

Neumann⁴) geht in seiner mathematischen Theorie der induzierten

¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. XLV. S. 349.
2) Verdet, Ann. de chim. et de phys. III. Sér. T. XXIX. Masson, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. LII.

Eine genauere Untersuchung der vier Ströme III. Ordnung hat Buff ausgeführt. Poggend. Ann. Bd. CXXXIV.

⁴⁾ Neumann, Allgemeine Gesetze der induzierten elektrischen Ströme. Abhandlungen der Berliner Akademie 1845.

Ströme von der durch Bewegung der Leiter bewirkten Induktion aus, und legt seinen Betrachtungen außer dem Satze von Lenz, den von Wehr experimentell bewiesenen Satz zu Grunde, daß die bei einer Bewegung stattfindende Induktion in jedem Augenblicke der Geschwindigknit der bewegung proportional sei.

Danken wir uns, dass ein Leiter A gegen einem von einem Streedurchflossenen Leiter B mit der Geschwindigkeit v bewegt werde. Werder Leiter A von einem Strome durchflossen, dessen Intensität wir der Einheit gleich setzen und dessen Richtung mit der des indusierten Strame übereinstimmen soll, so würde die Längeneinheit des Leiters A der Lässenheit des Leiters B infolge der elektrodynamischen Wechselwirkung seischen beiden Leitern einen Bewegungsantrieb erteilen, dessen der angeblicklichen Bewegung des Leiters entgegengesetzte Komponente gleich sei. Zwei Elemente ds des Leiters A, de des Leiters B würden sie demnach einen Antrieb

erteilen, dem wir das negative Vorzeichen geben, um anzudeuten, die dieser elektrodynamische Antrieb jenem, welcher der Richtung des intezierten Stromes entspricht, entgegengesetzt ist. Die Größe y läst in nach den Gesetzen der Elektrodynamik aus der Lage der beiden Leitz berechnen.

Bezeichnen wir die in die Bewegungsrichtung des Elements & fallende elektrodynamische Wirkung des ganzen Stromes B auf die Lingse einheit des Leiters s dort wo das Element ds liegt mit C, so wird belektrodynamische Wirkung des ganzen Stromes auf das Element ds gleich

Die durch die Bewegung des Leiters A in dem Elemente de des selben induzierte elektromotorische Kraft setzt Neumann diesem elektrodynamischen Bewegungsantriebe proportional; da sie überdies der augublicklichen Geschwindigkeit v, mit welcher das Element bewegt wird, proportional ist, so wird die auf das Element wirkende elektromotorische Kraft

$$Eds = - \epsilon v C ds$$
,

worin ε eine Konstante, die sogenannte Induktionskonstante ist. Da med den vorliegenden Erfahrungen die elektromotorische Kraft der Induktie von der Beschaffenheit des induzierten Leiters unabhängig ist, so ist and ε davon unabhängig, es ist, wie Neumann sagt, eine universelle Konstante Wodurch der Wert derselben bedingt ist, werden wir gleich sehen. Die in dem ganzen Leiter A erregte elektromotorische Kraft erhalten wir durch Summierung obiger für das Element ds erhaltenen elektromotorische Kraft über den ganzen Leiter, also

$$\int E \, ds = - \varepsilon \int v \, C \, ds.$$

Über ein allgemeines Princip der mathematischen Theorie indusierter et trischer Ströme. Abhandlungen der Berliner Akademie 1847.

Vorlesungen über elektrische Ströme, berausgegeben vom Dr. E. Vonder-Leipzig 1884.

welcher er von einem Strome nicht elektrodynamisch beeinflusst wird, in eine andere Lage denselben Strom induziert, wie wenn in der letztern Lage der Strom erst geschlossen wird, ist die unmittelbare experimentelle Bestätigung für die Richtigkeit dieser letztern Schlüsse.

Auch die Theorie des Extrastromes ist hiermit gegeben, es tritt einfach zur Bestimmung desselben an die Stelle des Potentials des Stromes auf den Leiter jenes des Stromes auf sich selbst. Entsteht ein Strom, so ist beim Beginne das Potential des Stromleiters auf sich selbst gleich null; ist der Strom entwickelt, so hat das Potential des Stromes auf sich selbst einen gewissen Wert, und hiermit berechnet sich der Integralstrom genau so wie die übrigen Induktionsströme.

Wir müssen uns hier damit begnügen, die Neumannsche Theorie so weit vorzuführen; Anwendungen auf die Berechnung einzelner Fälle können wir nicht geben, dieselben kommen immer auf die Auswertung von Potentialen heraus, welche, so einfach die Potentialformel ist, stets, selbst in den einfachsten Fällen, sehr komplizierte Rechnungen verlangen.

§. 147.

W. Webers Theorie der Induktion. W. Weber¹) leitet in seiner Theorie der Induktionserscheinungen, wie es vor ihm in einem Falle schon Fechner²) versucht hatte, die experimentelle Grundlage Neumanns aus dem von ihm aufgestellten elektrischen Grundgesetze ab, nach welchem die Wirkung zweier elektrischer Massen abhängt von ihrer Größe, ihrer Entfernung von einander, ihrer relativen Geschwindigkeit und ihrer relativen Beschleunigung. Nach der Bezeichnung des §. 119 ist die Wirkung zweier elektrischer Massen auf einander

$$w = \frac{ee'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{a^2}{16} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{a^2}{8} r \frac{dv}{dt} \right\}.$$

Der einfachste Fall der Induktion ist der, in welchem ein stromloser Leiter in der Nähe eines ruhenden Stromes bewegt wird; untersuchen wir die Wirkung zweier Elemente auf einander in diesem Falle. Die Länge derselben sei ds, $d\sigma$; in dem Stromelemente $d\sigma$ befinden sich die Elektricitätsmengen $\pm e'd\sigma$ in entgegengesetzter gleich schneller Bewegung; in dem Elemente des bewegten Leiters befinden sich ebenfalls beide Elektricitäten in gleicher Menge, seien dieselben $\pm e ds$, so sind die vier auf einander einwirkenden elektrischen Massen

$$+e'd\sigma$$
, $+eds$, $-e'd\sigma$, $-eds$.

Die erste dieser Massen bewege sich mit der konstanten Geschwindigkeit +u' in der Richtung des Elementes $d\sigma$, welches mit der Verbindungslinie r der beiden Elemente den. Winkel θ' bilde; die Masse $-e'd\sigma$ bewegt sich dann mit derselben Geschwindigkeit nach der entgegengesetzten Seite, sie hat also die Geschwindigkeit -u'. Die beiden andern elektrischen Massen werden zugleich mit dem sie tragenden Leiter fortbewegt, sie haben also dieselbe Geschwindigkeit +u, welche mit der

W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen. Leipzig 1846.
 Fechner, Poggend. Ann. Bd. LXIV.

Ströme von der durch Bewegung der Leiter bewirkten Induktion legt seinen Betrachtungen außer dem Satze von Lenz, den v experimentell bewiesenen Satz zu Grunde, daß die bei einer stattfindende Induktion in jedem Augenblicke der Geschwindigke

wegung proportional sei.

Denken wir uns, daß ein Leiter A gegen einen von eine durchflossenen Leiter B mit der Geschwindigkeit v bewegt wer der Leiter A von einem Strome durchflossen, dessen Intensitä Einheit gleich setzen und dessen Richtung mit der des induzierte übereinstimmen soll, so würde die Längeneinheit des Leiters A de einheit des Leiters B infolge der elektrodynamischen Wechselwir schen beiden Leitern einen Bewegungsantrieb erteilen, dessen d blicklichen Bewegung des Leiters entgegengesetzte Komponente sei. Zwei Elemente ds des Leiters A, ds des Leiters B wit demnach einen Antrieb

- ydsdo

erteilen, dem wir das negative Vorzeichen geben, um anzuder dieser elektrodynamische Antrieb jenem, welcher der Richtung zierten Stromes entspricht, entgegengesetzt ist. Die Größe 7 nach den Gesetzen der Elektrodynamik aus der Lage der beid berechnen.

Bezeichnen wir die in die Bewegungsrichtung des Elen fallende elektrodynamische Wirkung des ganzen Stromes B auf di einheit des Leiters s dort wo das Element ds liegt mit C, so elektrodynamische Wirkung des ganzen Stromes auf das Element

- Cds.

Die durch die Bewegung des Leiters \boldsymbol{A} in dem Elemente selben induzierte elektromotorische Kraft setzt Neumann diesem dynamischen Bewegungsantriebe proportional; da sie überdies de blicklichen Geschwindigkeit \boldsymbol{v} , mit welcher das Element bewegt w portional ist, so wird die auf das Element wirkende elektromotorisc

$$Eds = - \varepsilon v C ds$$
,

worin ε eine Konstante, die sogenannte Induktionskonstante ist. I den vorliegenden Erfahrungen die elektromotorische Kraft der Invon der Beschaffenheit des induzierten Leiters unabhängig ist, so ε davon unabhängig, es ist, wie Neumann sagt, eine universelle Kon Wodurch der Wert derselben bedingt ist, werden wir gleich sehen in dem ganzen Leiter A erregte elektromotorische Kraft erhalte durch Summierung obiger für das Element ds erhaltenen elektromotor Kraft über den ganzen Leiter, also

$$\int E \, ds = - \varepsilon \int v \, C \, ds.$$

Über ein allgemeines Princip der mathematischen Theorie induitrischer Ströme. Abhandlungen der Berliner Akademie 1847.
Vorlesungen über elektrische Ströme, herenzegegebes

Würde der Leiter A während der Zeiteinheit mit dieser Geschwindigt bewegt, so erhalten wir die Intensität des Induktionsstromes durch wendung des Ohmschen Gesetzes, indem wir die elektromotorische Kraft ich den Widerstand L des Leiters dividieren, es wird

$$i = -\frac{\epsilon v}{L} \int C ds.$$

In diesem Ausdrucke ist die Größe C, wie wir wissen, der Intentit i_1 des induzierenden Stromes proportional, so daß

$$\int C ds = Z i_1$$

etzt werden kann, wo Z eine Zahl ist, denn es ist, um Z zu erhalten, h dem Ampèreschen Gesetze die Konstante der Wirkung zweier Ströme die Stromstärke eins zu berechnen. Setzen wir das ein, so wird

$$iL = - \varepsilon v Z i_1$$

r

$$L = - \epsilon Z \frac{i_1}{i} \cdot v.$$

In dieser Gleichung ist $Z = \frac{\epsilon_1}{\epsilon}$ eine Zahl, v eine Geschwindigkeit und ein Widerstand, man sieht, der Zahlenwert der Induktionskonstanten igt ab von den gewählten Einheiten der Länge und der Zeit und des derstandes. Definieren wir die Induktionskonstante als einen reinen alenwert, so ist damit eine bestimmte Definition des Widerstandes geben, er ist gleich dem Produkte einer Zahl in eine Geschwindigkeit zen wir die Induktionskonstante gleich eins, so erhalten wir ein abutes Maß des Widerstandes, wie es W. Weber zuerst eingeführt hat, i der Zurückführung der Konstanten auf absolutes Maß kommen wir f dasselbe zurück.

Wird der Leiter A während der unendlich kleinen Zeit dt mit der schwindigkeit v bewegt, so wird der in dieser Zeit induzierte Strom, p. die in dieser Zeit in Bewegung versetzte Elektricität

$$D = -\frac{\epsilon}{L} \int v \, dt \, C \, ds,$$

r setzen wir v dt = dw, da dieses Produkt das Wegeelement bedeutet, b welches der Leiter bewegt wird,

$$D = -\frac{\epsilon}{L} \int C \, ds \, dw.$$

Der Strom D, welchen Neumann den Differentialstrom nennt, ist in einem bestimmten Momente der Bewegung in dem Leiter vorhanstrom, wie ihn W. Weber bei seinen Versuchen mit dem Elektromometer beobachtete, aus denen er ableitete, dass die in jedem Zeitente erregte elektromotorische Kraft der augenblicklichen Geschwindigder Bewegung des induzierten Leiters proportional ist. Wäre der ktionsstrom während einer messbaren Zeit konstant, so würde man selben ebenfalls durch die Ablenkung einer Magnetnadel beobachten Den, da diese auch die augenblickliche Stärke des sie ablenkenden

in der Nähe eines Stromes gegeben wäre und nun nicht der game I bewegt würde, sondern nur das Stück AB von A_1B_1 nach A_2B_2 geh würde; oder auch, wenn ACB ein geschlossener Strom in der Nähe Leiters wäre und nun in dem Strome der Teil AB von A_1B_1 nach gebracht würde. Auch in diesem Falle ergiebt sich auf gam dem Grundlagen, daß das Induktionsgesetz dasselbe ist. Das Potential gegebenen Stromes etwa auf den Leiter A_1CB_1 ist ein anderes al den Leiter A_2CB_2 , den Leiter stets von der Einheit des Stromes d flossen gedacht. Ist trotz der eingeschalteten neuen Leiterteile der W stand derselbe geblieben, so ist auch jetzt der Integralstrom

$$J=\epsilon\,\frac{W_1-W_0}{L};$$

ist aber der Widerstand geändert, derselbe also ebenso wie das Pot eine Funktion des von dem Leiterteil AB zurückgelegten Weges, so der Integralstrom

$$J = s \int_{\mathbb{R}^n} \frac{dW}{L}.$$

Das Potential eines Stromes auf einen Leiter kann sich nich durch Veränderung der gegenseitigen Lage beider ändern, sondern edurch Änderung der Stromstärke. Da die frühern Entwickelungen ghaben, dass die elektromotorische Kraft der Induktion nur abhäng der Änderung des Potentials des Stromes auf den Leiter, so werde auch in dem Falle einer Intensitätsänderung des Stromes die durch selbe im Leiter erzeugte elektromotorische Kraft dieser Änderung Potentials proportional setzen müssen. Wird ein Leiter aus unend Entfernung oder aus einer solchen Lage, in welcher das Potentis Stromes auf ihn gleich null ist, in eine Lage gebracht, in welche Potential W, ist, so ist der Integralstrom

$$J=\epsilon\,\frac{W_1}{L}\cdot$$

Befinden sich Strom und Leiter in dieser letztern Lage und is Strom gleich null, so ist auch dann das Potential gleich null, wächs Strom von null bis zu einem solchen Werte i, dass das Potentia den Leiter, denselben von der Stromstärke eins durchflossen gedacht, i wird, so muß auch dann der induzierte Integralstrom denselben

$$J = \varepsilon \, \frac{W_1}{L}$$

haben. Ist bei fester Lage von Strom und Leiter gegen einander Strom vor Eintritt der Intensitätsänderung ein solcher, dass das Pot W_0 ist und geht derselbe durch Änderung der Intensität in W_1 so ist der induzierte Integralstrom

$$J = \varepsilon \, \frac{W_1 - W_0}{I_1}.$$

Die im §. 140 erwähnten Versuche von Felici, aus denen wie mentell schlossen, dass die Überführung eines Leiters aus

oder wenn wir veraussetzen, dass der Widerstand des Leiters L sich während der Bewegung nicht ändert, dass also der Leiter A während der ganzen Bewegung derselbe bleibt,

$$J = \varepsilon \, \frac{W_1 - W_0}{L} \cdot$$

Der Integralstrom ist somit gleich dem Unterschiede der Potentiale des Stromes auf den bewegten Leiter, diesen von der Einheit des Stromes durchflossen gedacht in der Endlage und in der Anfangslage des Leiters multipliziert mit der Induktionskonstanten ε und dividiert durch den Widerstand des Leiters.

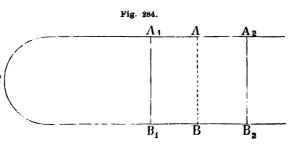
Einen Magnetpol können wir nach dem Frühern stets durch den im Endlichen liegenden Pol eines unendlichen Solenoides, dessen Fläche von einem Strome bestimmter Stärke umflossen wird, ersetzen oder auch einen vollständigen Magnet durch ein begrenztes Solenoid. Es folgt somit unmittelbar, daß obige Ausdrücke uns auch die durch Bewegung eines Leiters in der Nähe eines Magnetes induzierten Ströme liefern, es bedeuten dann W_1 und W_0 die in gleichen Maßen ausgedrückten Potentiale des Magnetes auf den Stromleiter.

Die im Differentialstrom oder auch im Integralstrom in Bewegung versetzte Elektricität hängt hiernach nur von der Änderung des Potentials ab, sie ist unabhängig davon, auf welchem Wege und in welcher Zeit diese Änderung eingetreten ist. In gewissem Sinne hängt aber doch die Intensität des Induktionsstromes von der Zeit ab, in welcher die Änderung vor sich geht. Je kürzer die Zeit ist, in welcher die Änderung vor sich geht, in um so kürzerer Zeit fließt die durch die Änderung bewegte Elektricitätsmenge durch den Leiter, der Quotient aus der bewegten Elektricitätsmenge und der Zeit, welche uns bei fortdauerndem Strome die in der Zeiteinheit durch den Leiter fließende Elektricitätsmenge, somit die Intensität des Stromes in dem frühern Sinne geben würde, wird um so größer. Bei allen Wirkungen des Stromes, welche nicht nur von der Menge der fließenden Elektricität, sondern auch von der Zeit, in welcher sie abfließt, abhängen, wird demnach die Dauer der Induktion von Einfinß sein

Ebenso, wie uns obige Gleichungen die Induktion in einem bewegten Leiter in der Nühe eines ruhenden Stromes oder Magnetes liefern, geben

sie uns auch ohne weiteres die Induktion, wenn in der Nähe des ruhenden Leiters ein Strom oder ein Magnet bewegt wird.

Neumann untersucht außerdem noch im speciellen den Fall, daß ein Leiter nur zum Teil bewegt wird,



welche er als die Bewegung eines Leiters mit Gleitstellen bezeichnet. Eine solche Induktion würde z. B. gegeben sein, wenn ein Leiter ACB in der Nähe eines Stromes gegeben wäre und nun nicht der gambewegt würde, sondern nur das Stück AB von A_1B_1 nach A_2B_2 würde; oder auch, wenn ACB ein geschlossener Strom in der Nä Leiters wäre und nun in dem Strome der Teil AB von A_1B_1 nac gebracht würde. Auch in diesem Falle ergiebt sich auf ganz de Grundlagen, daß das Induktionsgesetz dasselbe ist. Das Potent gegebenen Stromes etwa auf den Leiter A_1CB_1 ist ein anderes den Leiter A_2CB_2 , den Leiter stets von der Einheit des Stromes flossen gedacht. Ist trotz der eingeschalteten neuen Leiterteile der stand derselbe geblieben, so ist auch jetzt der Integralstrom

$$J=\epsilon\,\frac{W_1-W_0}{L};$$

ist aber der Widerstand geändert, derselbe also ebenso wie das Pe eine Funktion des von dem Leiterteil AB zurückgelegten Weges, i der Integralstrom

$$J = s \int_{\mathbb{R}^n} \frac{dW}{L}.$$

Das Potential eines Stromes auf einen Leiter kann sich nie durch Veränderung der gegenseitigen Lage beider ändern, sondern durch Änderung der Stromstärke. Da die frühern Entwickelungen haben, dass die elektromotorische Kraft der Induktion nur abhärder Änderung des Potentials des Stromes auf den Leiter, so werd auch in dem Falle einer Intensitätsänderung des Stromes die dur selbe im Leiter erzeugte elektromotorische Kraft dieser Änderu Potentials proportional setzen müssen. Wird ein Leiter aus une Entfernung oder aus einer solchen Lage, in welcher das Poten Stromes auf ihn gleich null ist, in eine Lage gebracht, in welc Potential W₁ ist, so ist der Integralstrom

$$J=\epsilon\,\frac{W_1}{L}\cdot$$

Befinden sich Strom und Leiter in dieser letztern Lage und Strom gleich null, so ist auch dann das Potential gleich null, wis Strom von null bis zu einem solchen Werte i, das das Poten den Leiter, denselben von der Stromstärke eins durchflossen gedach W_1 wird, so muss auch dann der induzierte Integralstrom denselb

$$J=\varepsilon\,\frac{W_{\scriptscriptstyle 1}}{L}$$

haben. Ist bei fester Lage von Strom und Leiter gegen einan Strom vor Eintritt der Intensitätsänderung ein solcher, daß das I W_0 ist und geht derselbe durch Änderung der Intensität in W_0 so ist der induzierte Integralstrom

$$J = \varepsilon \, \frac{W_1 - W_0}{L} \cdot$$

Die im §. 140 erwähnten Versuche von Felici, aus denem mentell schlossen, dals die Überführung eines Leiters au-

welcher er von einem Strome nicht elektrodynamisch beeinflusst wird, in eine andere Lage denselben Strom induziert, wie wenn in der letztern Lage der Strom erst geschlossen wird, ist die unmittelbare experimentelle Bestätigung für die Richtigkeit dieser letztern Schlüsse.

Auch die Theorie des Extrastromes ist hiermit gegeben, es tritt einfach zur Bestimmung desselben an die Stelle des Potentials des Stromes auf den Leiter jenes des Stromes auf sich selbst. Entsteht ein Strom, so ist beim Beginne das Potential des Stromleiters auf sich selbst gleich null; ist der Strom entwickelt, so hat das Potential des Stromes auf sich selbst einen gewissen Wert, und hiermit berechnet sich der Integralstrom genau so wie die übrigen Induktionsströme.

Wir müssen uns hier damit begnügen, die Neumannsche Theorie so weit vorzuführen; Anwendungen auf die Berechnung einzelner Fälle können wir nicht geben, dieselben kommen immer auf die Auswertung von Potentialen heraus, welche, so einfach die Potentialformel ist, stets, selbst in den einfachsten Fällen, sehr komplizierte Rechnungen verlangen.

§. 147.

W. Webers Theorie der Induktion. W. Weber¹) leitet in seiner Theorie der Induktionserscheinungen, wie es vor ihm in einem Falle schon Fechner²) versucht hatte, die experimentelle Grundlage Neumanns aus dem von ihm aufgestellten elektrischen Grundgesetze ab, nach welchem die Wirkung zweier elektrischer Massen abhängt von ihrer Größe, ihrer Entfernung von einander, ihrer relativen Geschwindigkeit und ihrer relativen Beschleunigung. Nach der Bezeichnung des §. 119 ist die Wirkung zweier elektrischer Massen auf einander

$$w = \frac{ee'}{r^2} \left\{ 1 - \frac{a^2}{16} \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{a^2}{8} r \frac{dv}{dt} \right\}.$$

Der einfachste Fall der Induktion ist der, in welchem ein stromloser Leiter in der Nähe eines ruhenden Stromes bewegt wird; untersuchen wir die Wirkung zweier Elemente auf einander in diesem Falle. Die Länge derselben sei ds, $d\sigma$; in dem Stromelemente $d\sigma$ befinden sich die Elektricitätsmengen $\pm e'd\sigma$ in entgegengesetzter gleich schneller Bewegung; in dem Elemente des bewegten Leiters befinden sich ebenfalls beide Elektricitäten in gleicher Menge, seien dieselben $\pm e ds$, so sind die vier auf einander einwirkenden elektrischen Massen

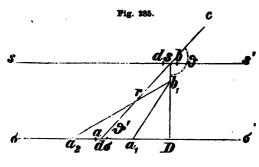
$$+e'd\sigma$$
, $+eds$, $-e'd\sigma$, $-eds$.

Die erste dieser Massen bewege sich mit der konstanten Geschwindigkeit +u' in der Richtung des Elementes $d\sigma$, welches mit der Verbindungslinie r der beiden Elemente den. Winkel ϑ' bilde; die Masse $-e'd\sigma$ bewegt sich dann mit derselben Geschwindigkeit nach der entgegengesetzten Seite, sie hat also die Geschwindigkeit -u'. Die beiden andern elektrischen Massen werden zugleich mit dem sie tragenden Leiter fortbewegt, sie haben also dieselbe Geschwindigkeit +u, welche mit der

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Massbestimmungen. Leipzig 1846.

²⁾ Fechmer, Poggend. Ann. Bd. LXIV.

tiber ds hinaus verlängerten Verbindungslinie r der beiden Elemente im Winkel & bilde; die durch die Richtung dieser Bewegung und s gelegten Ebene bilde mit der durch r und de gelegten Ebene den Winkel a. It also Fig. 285 oo der ruhende, ss der bewegte Leiter, de das Element des Stromes, ds das des Leiters, und wird ss parallel sich selbst of p



nähert, so ist o'cb-i', cbD- &, und der Wind o - O, da die durch id und r gelegte Ebene micht durch r und de gelegte zusammenfällt.

Die Anwendung in elektrischen Grundgeste giebt für die Wecksleiskung der vier Masses at einander folgende allgemein Ausdrücke

$$+ e' \text{ auf } + e \cdots + \frac{e'e \, d\sigma \, ds}{r_1^2} \left\{ 1 - \frac{a^2}{16} \left(\frac{dr_1}{dt} \right)^2 + \frac{a^2}{8} \, r_1 \, \frac{dv_1}{dt} \right\}$$

$$- e' \, _n - e \cdots + \frac{e'e \, d\sigma \, ds}{r_2^2} \left\{ 1 - \frac{a^2}{16} \left(\frac{dr_2}{dt} \right)^2 + \frac{a^2}{8} \, r_2 \, \frac{dv_2}{dt} \right\}$$

$$+ e' \, _n - e \cdots - \frac{e'e \, d\sigma \, ds}{r_3^2} \left\{ 1 - \frac{a^2}{16} \left(\frac{dr_3}{dt} \right)^2 + \frac{a^2}{8} \, r_3 \, \frac{dv_3}{dt} \right\}$$

$$- e' \, _n + e \cdots - \frac{e'e \, d\sigma \, ds}{r_4^2} \left\{ 1 - \frac{a^2}{16} \left(\frac{dr_4}{dt} \right)^2 + \frac{a^2}{8} \, r_4 \, \frac{dv_4}{dt} \right\}$$

in welchen die in dem betrachteten Augenblicke sämtlich gleichen r, die Verbindungslinien der vier Massen, mit verschiedenem Index versehen sind da sie während der Bewegung nicht gleich bleiben.

Diese vier Kräfte suchen die beiden elektrischen Massen +c parallel der Verbindungslinie r zu verschieben; dieselben lassen sich zunächst na zwei Kräften vereinigen, von denen die eine die Kraft giebt, mit welcher die Elektricität +cds verschoben wird, während die andere die auf -cds wirkende Kraft ist. Die erstere ist die algebraische Summe der ersten und vierten, die zweite jene der zweiten und dritten Wirkung; mit Berücksichtigung, daß in dem betrachteten Zeitmomente $r_1 = r_2 = r_3 = r_4$, er giebt sich also für

$$+ e \cdots - \frac{a^2}{16} \cdot \frac{e'e \, d\sigma \, ds}{r^2} \left\{ \left(\frac{dr_1}{dt} \right)^2 - \left(\frac{dr_4}{dt} \right)^2 - 2r \left(\frac{dr_1}{dt} - \frac{dv_4}{dt} \right) \right\}$$

$$- e \cdots - \frac{a^2}{16} \cdot \frac{e'e \, d\sigma \, ds}{r^2} \left\{ \left(\frac{dr_2}{dt} \right)^2 - \left(\frac{dr_3}{dt} \right)^2 - 2r \left(\frac{dv_2}{dt} - \frac{dv_3}{dt} \right) \right\}.$$

Die Differenz dieser beiden Wirkungen sucht demnach die beiden Elektricitäten parallel der Verbindungslinie zu scheiden, die dem Elemente ds parallele Komponente dieser Differenz also die beiden Elektricitäten nach der Richtung des Elementes von einander zu trennen; der Komponente ist also die elektromotorische Kraft der Induktion des

elementes $d\sigma$ auf das Leiterelement ds bei der angenommenen Bewegung. Dieselbe ist also, wenn wir sie mit Eds bezeichnen,

$$E ds = -\frac{a^2}{16} \cdot \frac{e'e \, d\sigma \, ds}{r^2} \left\{ \left(\frac{dr_1}{dt} \right)^2 - \left(\frac{dr_3}{dt} \right)^2 + \left(\frac{dr_3}{dt} \right)^2 - \left(\frac{dr_4}{dt} \right)^2 - \left(\frac{dr_4}{dt} \right)^2 - \left(\frac{dr_4}{dt} \right)^2 - \left(\frac{dr_4}{dt} \right)^2 \right\} \cdot \cos \varphi \quad . \quad . \quad (1)$$

wenn zugleich φ den Winkel bedeutet, welchen das Element ds mit dem verlängerten r bildet. Es läst sich nun durch eine ganz allgemeine Behandlung dieses Ausdruckes, durch Bestimmung der relativen Geschwindigkeiten und Beschleunigungen nachweisen, dass mit Benutzung der im §. 116 und 119 gewählten Zeichen in den Gleichungen für die elektrodynamischen Wechselwirkungen die auf die Einheit der in ds enthaltenen Elektricität wirkende Scheidungskraft wird

$$Eds = -au \cdot \frac{ds \, d\sigma}{r^2} \cdot (\cos \varepsilon - \frac{3}{2} \cos \vartheta \cos \vartheta') \cos \varphi,$$

welchem Eds der elektrodynamischen Wirkung des Stromes auf den von der Einheit des Stromes durchflossenen Leiter und der Geschwindigkeit proportional gesetzt ist, erhalten wird¹).

Anstatt diese Rechnungen durchzuführen, wollen wir den speciellen in Fig. 285 dargestellten Fall untersuchen und die Induktion berechnen, wenn dem Leiter oo der Leiter so in paralleler Lage mit der Geschwindigkeit u genühert wird.

Um die relativen Geschwindigkeiten der vier elektrischen Massen zu erhalten, müssen wir zunüchst die der Verbindungslinie r parallelen Komponenten der vorhandenen Geschwindigkeiten bestimmen.

Dieselben sind parallel der Richtung ac

für
$$+e' \dots u' \cdot \cos \vartheta'$$
, für $-e' = -u' \cdot \cos \vartheta'$
für $+e \dots u \cdot \cos \vartheta$, für $-e = u \cdot \cos \vartheta$.

Demnach ist die relative Geschwindigkeit von +c' und +c, da nach der Definition des Winkels ϑ gleich cbD die Komponente u. $\cos\vartheta$ in der Richtung nach c gegeben ist, und weil $\vartheta = 90^{\circ} + \vartheta'$

$$\begin{aligned} \frac{dr_1}{dt} &= u \cdot \cos \vartheta - u' \cdot \cos \vartheta' = -u \cdot \sin \vartheta' - u' \cdot \cos \vartheta', \\ \text{für } &- e \text{ und } e' \\ \frac{dr_2}{dt} &= u \cos \vartheta - (-u' \cos \vartheta') = -u \cdot \sin \vartheta' + u' \cdot \cos \vartheta', \end{aligned}$$

¹⁾ Vergleichungen der Weberschen und Neumannschen Theorie und Nachweise ihrer Übereinstimmung siehe Neumann in der zweiten Abhandlung, Weber a. a. O. und elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere Widerstandsmessungen. Ferner Schering: Zur mathematischen Theorie elektrischer Ströme, Göttingen 1857. Poggend. Ann. Bd. CIV. Auch Neumann, Vorlesungen über elektrische Ströme, herausgegeben von K. Vondermühl. Leipzig, B. G. Teubner, 1884, worin die Theorie der Induktion, die Vergleichung der Weberschen und Neumannschen Theorie, sowie der Nachweis ihrer Übereinstimmung auch für Gleitstellen mit der Neumann eigentümlichen Klarheit und Einfachheit dargelegt ist.

$$\begin{aligned} & \text{von } + e' \text{ und } - e \\ & \frac{dr_3}{dt} = u \cdot \cos \vartheta - u' \cos \vartheta' = -u \cdot \sin \vartheta' - u' \cos \vartheta', \\ & \text{von } - e' \text{ und } + e \\ & \frac{dr_4}{dt} = u \cdot \cos \vartheta - (-u' \cos \vartheta') = -u \sin \vartheta' + u' \cos \vartheta'. \end{aligned}$$

Bei der angenommenen Bewegung ändert sich in jedem Augenblider Winkel ϑ , welchen die Bewegungsrichtung des Leiters mit r bild und der Winkel ϑ ', welchen r mit $d\sigma$ bildet. Denn, wenn ds seine la ändert, ändert sich auch die Richtung von r; damit ändert sich auch die relative Geschwindigkeit, wenn auch u und u' konstant sind, da nänderung dieser Winkel die mit r parallelen Komponenten der Geschwingkeit sich ändern. Es ändere sich in dem Zeitelement dt der Winkel um $d\vartheta$ und ϑ' um $d\vartheta'$, dann ändert sich die Geschwindigkeit $\frac{dr_1}{dt} =$ um dv_1 , so dass

$$dv_1 = (u' \cdot \sin \vartheta' - u \cdot \cos \vartheta') d\vartheta'$$

und

$$\frac{dv_1}{dt} = (u' \cdot \sin \vartheta' - u \cdot \cos \vartheta') \frac{d\vartheta_1'}{dt},$$

wo der untere Index an $d\vartheta'$ anzeigen soll, daß hier die durch die lative Geschwindigkeit der elektrischen Massen +e und +e' eintreter Veränderung von ϑ' gemeint ist.

In derselben Weise findet man

$$\begin{aligned} \frac{dv_3}{dt} &= -\left(u'\sin\vartheta' + u\cos\vartheta'\right)\frac{d\vartheta_3'}{dt} \\ \frac{dv_3}{dt} &= -\left(u'\sin\vartheta' - u\cos\vartheta'\right)\frac{d\vartheta_3'}{dt} \\ \frac{dv_4}{dt} &= -\left(u'\sin\vartheta' + u\cos\vartheta'\right)\frac{d\vartheta_4'}{dt}, \end{aligned}$$

und daraus

Wir haben nun noch die Quotienten $\frac{d\vartheta'}{dt}$ zu bestimmen; wir erhalts dieselben folgendermaßen:

In einer gewissen Zeit t ist +e' um die Größe u't nach rech verschoben, nach a_1 , e um die Größe ut nach unten, nach b_1 . Die Läm von r_1 und der Winkel θ' ergeben sich dann aus den beiden Gleichunge

$$Db_1 = r_1 \sin \vartheta' = R_0 - ut$$

$$a_1 D = r_1 \cos \vartheta' = A_0 - u't,$$

n Ro den senkrechten Abstand der beiden Leiter und A. den

stand des betrachteten Elementes $d\sigma$ von D, dem Fußpunkte der von ds auf $\sigma\sigma$ gezogenen Senkrechten bedeutet.

Summieren wir die beiden Gleichungen, so wird

$$r_1(\sin\vartheta'+\cos\vartheta')=R_0+A_0-(u'+u)t.$$

Wächst t um dt, so ändert sich ϑ_1 um $d\vartheta_1$ und ebenso ändert sich r_1 um dr_1 , so daß wir mit Berücksichtigung aller dieser Änderungen erhalten

$$r_1 \frac{d \vartheta_1'}{dt} (\cos \vartheta' - \sin \vartheta') + \frac{d r_1}{dt} (\cos \vartheta' + \sin \vartheta') = -u' - u.$$

Setzen wir für $\frac{dr_1}{dt}$ seinen Wert, so wird

$$r_1 \frac{d\vartheta_1'}{dt} (\cos\vartheta' - \sin\vartheta') = (u \cdot \sin\vartheta' + u' \cdot \cos\vartheta') (\cos\vartheta' + \sin\vartheta') - u' - u.$$

Führen wir die Operationen auf der rechten Seite aus, und schreiben für $u'=u'\,(\sin^2\vartheta'+\cos^2\vartheta')$ und ebenso für u, so wird

$$r_1 \frac{d\vartheta_1'}{dt} (\cos\vartheta' - \sin\vartheta') = u'(\cos\vartheta' \cdot \sin\vartheta' - \sin^2\vartheta') + u(\cos\vartheta' \cdot \sin\vartheta' - \cos^2\vartheta'),$$

und daraus

$$r_1 \frac{d\vartheta_1'}{dt} = u' \sin \vartheta' - u \cdot \cos \vartheta'.$$

Genau denselben Wert hat $r_3 \frac{d \, \theta_3}{d \, t}$, da die negative Elektricität e ebenfalls die Geschwindigkeit + u hat, und da $\frac{d \, r_3}{d \, t}$ denselben Wert hat wie $\frac{d \, r_1}{d \, t}$.

Um $\frac{d \, \theta_z'}{d \, t}$ zu bestimmen, haben wir die beiden Gleichungen

$$b_1 D = r_2 \sin \vartheta' = R_0 - ut;$$
 $a_2 D = r_2 \cos \vartheta' = A_0 + u't,$

da die negative Elektricität die Geschwindigkeit — u' hat. Verfährt man nun ganz in derselben Weise wie eben, so findet man

$$r_2 \frac{d\vartheta_1'}{dt} = -u'\sin\vartheta' - u\cos\vartheta',$$

und denselben Wert hat $r_4 \frac{d \vartheta_4'}{dt}$.

Daraus ergiebt sich, da in dem betrachteten Momente $r_1=r_2=r_3=r_4$

$$r\left(\frac{d\vartheta_{1}'}{dt} - \frac{d\vartheta_{2}'}{dt} + \frac{d\vartheta_{3}'}{dt} - \frac{d\vartheta_{4}'}{dt}\right) = 4 u' \sin \vartheta'$$

$$r\left(\frac{d\vartheta_{1}'}{dt} + \frac{d\vartheta_{3}'}{dt} + \frac{d\vartheta_{4}'}{dt} + \frac{d\vartheta_{4}'}{dt}\right) = -4 u \cos \vartheta',$$

und weiter

$$-2r\left(\frac{dv_1}{dt}-\frac{dv_2}{dt}+\frac{dv_3}{dt}-\frac{dv_4}{dt}\right)=8uu'\cos\vartheta'\sin\vartheta'+8uu'\cos\vartheta'\sin\vartheta'.$$

Außerdem erhält man aber

$$\left(\frac{dr_1}{dt}\right)^2 - \left(\frac{dr_2}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dr_2}{dt}\right)^2 - \left(\frac{dr_4}{dt}\right)^2 = 8 uu'\cos\theta' \cdot \sin\theta',$$

und daraus, indem man diese Werte summiert,

$$Eds = -\frac{a^2}{16} \cdot \frac{ee'ds de}{r^2} \cdot 24 \, \text{ww'} \cos \theta' \sin \theta' \cos \varphi.$$

Bedeutet i die Stromstärke in dem Leiter $\sigma\sigma$, so ist nach §.119 i = ae'u'.

und damit wird

$$Eds = -\frac{8}{3} \cdot aue \cdot ds \frac{i d\sigma}{r^2} \cdot \cos \theta' \sin \theta' \cdot \cos \varphi.$$

Bezeichnet man als elektromotorische Kraft die auf die Einheit der elektrischen Masse in dem Leiter ss wirkende Kraft, so haben wir elign Ausdruck noch durch e zu dividieren; dann wird unter Beachtung auch daß $\varphi = \vartheta'$,

$$Eds = -\frac{3}{2}au \cdot \frac{i ds ds}{r^2} \cdot \sin \vartheta' \cdot \cos^2 \vartheta'.$$

Die Theorie liefert also mit der Erfahrung übereinstimmend in den Elemente ds einen Strom, welcher die derjenigen des Stromes i entgegegesetzte Richtung hat, welcher der Geschwindigkeit u und der elektrodynamischen Wirkung der beiden Stromelemente auf einander propertional ist.

Wird der Draht nach der entgegengesetzten Seite bewegt, so get u in -u über, oder wenn wir der Geschwindigkeit u das positive Vorzeichen lassen, so wird $\vartheta = 90^{\circ} - \vartheta'$ anstatt wie eben $90 + \vartheta'$. Sett man diesen Wert ein, so erhält Eds einfach das negative Vorzeichen.

Der so gefundene Wert der elektromotorischen Kraft entspricht jeser des von Neumann sogenannten Differentialstromes, also des Stromes, der in der unendlich kleinen Zeit dt in dem Elemente ds induziert wird, is welchem das Element gerade die Entfernung r von $d\sigma$ mit der Geschwindigkeit u passiert. Aus dieser elektromotorischen Kraft erhalten wir jese des Integralstromes, das heißt jene, welche in ds induziert wird, went ds eine endliche Strecke, etwa von h_1 bis h_2 , wenn wir mit h_1 den sentrechten Abstand der Elemente im Beginn, mit h_2 den am Ende der Bewegung bezeichnen, gegen $d\sigma$ hin bewegt wird, leicht auf folgende Weiss

Der in der Zeit dt zurückgelegte Weg ist u.dt, den wir, da mit die Geschwindigkeit bezeichnet wurde, mit welcher das Element dt (Fig. 285) nach D hin bewegt wird, gleich — dh setzen müssen. Danit wird die in der Zeit dt induzierte elektromotorische Kraft

$$Eds = \sqrt[3]{2} ai \frac{ds d\sigma}{r^2} \cdot \sin \vartheta' \cdot \cos^2 \vartheta' \cdot dh.$$

Um die elektromotorische Kraft des Integralstromes zu erhalten haben wir die Summe der Differentialströme für alle Wegeelemente die von h_1 bis h_2 zu bilden, also den Ausdruck nach k zwischen den Grecht und h_2 zu integrieren. Dazu mülsten wir zunächst h_1

Abhängigkeit von h darstellen; bequemer ist es aber, h und r und dh durch ϑ auszudrücken und dann nach ϑ zu integrieren. Dann wird

$$\begin{aligned} \frac{h}{A_0} &= \tan \vartheta'; \qquad dh = \frac{A_0}{\cos^2 \vartheta'} d\vartheta' \\ \frac{A_0}{r} &= \cos \vartheta'; \qquad \frac{1}{r^2} = \frac{A_0^2}{\cos^2 \vartheta'}, \end{aligned}$$

somit

$$\frac{dh}{r^2} = \frac{d\vartheta'}{A_0},$$

und daraus

$$Eds = \frac{3}{2} \cdot a \cdot i \cdot \frac{ds \, d\sigma}{A_0} \cdot \cos^2 \vartheta' \cdot \sin \vartheta' \, d\vartheta'.$$

Anstatt für alle Werte von h zwischen h_1 und h_2 haben wir jetzt für alle Werte ϑ' zwischen dem Werte ϑ_1 , der dem Abstande h_1 , und ϑ_2 , der dem Abstande h_2 entspricht, den entsprechenden Ausdruck für Eds zu bilden und diese sämtlichen Ausdrücke zu summieren; damit wird die elektromotorische Kraft des Integralstromes

$$Fds = \sqrt[3]{2} \cdot a \cdot i \cdot \frac{ds \, d\sigma}{A_0} \int_{0}^{\theta_1} \cos^2 \theta' \cdot \sin \theta' \, d\theta'.$$

Da nun der Ausdruck unter dem Integralzeichen gleich ist

$$-\frac{1}{3}\left\{\cos^3\left(\vartheta'+d\vartheta'\right)-\cos^3\vartheta'\right\},\,$$

so folgt

7

$$Fds = -\frac{1}{2} a \cdot i \cdot \frac{ds d\sigma}{A_0} \left\{ \cos^3 \theta_2 - \cos^3 \theta_1 \right\}.$$

Setzen wir die Entfernung h_1 als unendlich groß voraus, so wird auch für diese Entfernung der Abstand r der beiden Elemente unendlich groß, und daraus folgt, daß, so lange A_0 einen endlichen Wert hat,

$$\frac{A_0}{r} = \cos \theta_1 = 0$$

ist. Damit wird auch $\cos^3 \vartheta_1 = 0$, und der Ausdruck für die elektromotorische Kraft des Intregralstromes wird

$$Fds = -\frac{1}{2} a i \frac{ds d\sigma}{A_2} \cdot \cos^3 \vartheta_2.$$

Beachten wir schliesslich, dass

$$\frac{A_0}{\cos \vartheta_2} = r$$

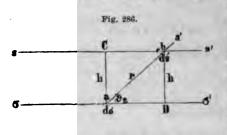
gleich dem Abstande der Elemente ist, wenn ihre senkrechte Entfernung gleich h_2 geworden ist, so wird

$$Fds = -\frac{1}{2}ai\frac{ds\,d\sigma}{s}\cdot\cos^2\theta_2.$$

Nach §. 140 ist die Induktionswirkung eines Stromes von der Intensität i auf einen Leiter, wenn derselbe aus unendlicher Entfernung bis zu einem Abstande h₂ genähert wird, gleich jener, welche entsteht, wenn

die beiden Leiter sich in der Entfernung h_2 befinden, und nun i Stromleiter der Strom von der Stärke i hergestellt wird, also der geschlossen wird. Der hier für die elektromotorische Kraft des In stromes gefundene Wert muß also derselbe sein, wie wenn die Elemente in der festen Lage gehalten werden, und nun in derselbe in welcher die Elemente einander genähert wurden, in $d\sigma$ die stärke i hergestellt wurde.

Es läßt sich das auch sehr leicht aus dem Weberschen Grundableiten; es wird genügen, die dazu notwendigen Rechnungen ku



zudeuten, da sie im wesen wie bei dem soeben ausführli sprochenen Fall zu führen sin also jetzt Fig. 286 ss' ein Leiter, σσ' ein zweiter, in win sehr kurzer Zeit durch Schli des Stromkreises die Stroms erzeugt wird. In einem besti Momente sei die Geschwinder Elektricität in der Richtu

gleich u', die positive in der Richtung gegen D, die negative der entgegengesetzten Richtung, und in dem Zeitelemente dt gel Geschwindigkeit u' in u'+du' über. Da das Element ds in Ruh von keinem Strom durchflossen ist, so ist u=0. Die relative schwindigkeiten der in ds und ds vorhandenen Elektricitäten $\pm e$ $\pm e$ sind daher jetzt, indem wir in den Seite 1065 und 1066 gefun Werten nur u sin s'=0 zu setzen haben,

$$+ e' + e = \frac{dr_1}{dt} = - u' \cos \vartheta_2 = v_1$$

$$- e' - e = \frac{dr_2}{dt} = + u' \cos \vartheta_2 = v_2$$

$$+ e - e = \frac{dr_3}{dt} = - u' \cos \vartheta_2 = v_3$$

$$- e' + e = \frac{dr_4}{dt} = + u' \cos \vartheta_2 = v_4$$

Demnach ist in Gleichung (I) von Seite 1065

$$\left(\frac{dr_1}{dt}\right)^2 - \left(\frac{dr_2}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dr_3}{dt}\right)^2 - \left(\frac{dr_4}{dt}\right)^2 = 0.$$

Um die relativen Beschleunigungen zu erhalten, ist zu beachten, sich durch die Bewegung der Elektricität einmal der Winkel ϑ_2 aund dass gleichzeitig in der Zeit dt die Geschwindigkeit u' in u' + übergeht. Damit wird

$$\frac{dv_1}{dt} = -\cos\theta_2 \frac{du'}{dt} + u'\sin\theta_2 \frac{d\theta_{11}}{dt}$$

und ebenso

Induktion zweier geradliniger Leiter.

$$\frac{dv_3}{dt} = +\cos\vartheta_2 \frac{du'}{dt} - u'\sin\vartheta_2 \frac{d\vartheta_{22}}{dt}$$

$$\frac{dv_3}{dt} = -\cos\vartheta_2 \frac{du'}{dt} + u'\sin\vartheta_2 \frac{d\vartheta_{23}}{dt}$$

$$\frac{dv_4}{dt} = +\cos\vartheta_2 \frac{du'}{dt} - u'\sin\vartheta_2 \frac{d\vartheta_{23}}{dt}$$

Darnach wird in Gleichung (I)

$$\begin{aligned} \frac{dv_1}{dt} - \frac{dv_2}{dt} + \frac{dv_3}{dt} - \frac{dv_4}{dt} &= -4\cos\theta_2 \frac{du'}{dt} + u'\sin\theta_2 \left(\frac{d\theta_{21}}{dt} + \frac{d\theta_{22}}{dt} + \frac{d\theta_{23}}{dt} + \frac{d\theta_{24}}{dt}\right). \end{aligned}$$

Da die positive Elektricität sich mit der Geschwindigkeit u' gegen hin bewegt, die negative von D fort, so haben wir zur Bestimmung \mathbf{r} Quotienten, wenn wieder $aD = A_0$ gesetzt wird,

$$\begin{array}{ll} \frac{d\vartheta_{21}}{dt} \text{ und } \frac{d\vartheta_{23}}{dt} \text{ zu setzen } r \cdot \cos\vartheta_2 = A_0 - u't \\ \frac{d\vartheta_{22}}{dt} \text{ und } \frac{d\vartheta_{24}}{dt} \text{ , } r \cdot \cos\vartheta_2 = A_0 + u't. \end{array}$$

Damit wird, da in der Zeit dt der Abstand r in r + dr und θ_2 in $t + d\theta_2$ übergeht,

$$-r \sin \vartheta_2 \frac{d\vartheta_{21}}{dt} + \frac{dr_1}{dt} \cos \vartheta_2 = -u' - t \frac{du'}{dt}$$

$$-r \sin \vartheta_3 \frac{d\vartheta_{22}}{dt} + \frac{dr_2}{dt} \cos \vartheta_2 = u' + t \frac{du'}{dt}$$

Addiert man die beiden Gleichungen zu einander, so erhält man iter Beachtung, daß $\frac{dr_1}{dt} = -\frac{dr_2}{dt}$,

$$r\sin\vartheta_2\left(\frac{d\vartheta_{21}}{dt}+\frac{d\vartheta_{22}}{dt}\right)=0\,,$$

mit auch, da $r \cdot \sin \theta_2$ von 0 verschieden ist,

$$\frac{d\theta_{21}}{dt} + \frac{d\theta_{22}}{dt} = 0$$

id ganz ebenso ist die Summe

$$\frac{d\vartheta_{23}}{dt} + \frac{d\vartheta_{24}}{dt} = 0.$$

Dann wird die Gleichung (I)

$$Eds = -\frac{a^2}{16} \frac{e'e ds ds}{r^2} 8 r \cos \theta_2 \cos \theta_2 \frac{du'}{dt}$$

ler, indem wir im Zähler und Nenner das Gleiche wegheben,

$$Eds = -\frac{a^2}{2} \frac{e'e \, d\sigma \, ds}{r} \cos^2 \vartheta_2 \, \frac{du'}{dt}$$

Bezeichnen wir jetzt die in der Zeit dt stattfindende Zunahme der romstärke mit di, so ist

und dividieren wir, um die auf die Einheit der elektrischen Masse wirheit Kraft zu bekommen, durch e, so erhalten wir schließlich für den in den Zeitelemente dt in ds induzierten Differentialstrom

$$Eds = -\frac{1}{2} a \frac{ds de}{r} \cos^2 \theta_2 \frac{di}{dt} dt.$$

Die elektromotorische Kraft des Integralstromes, welche also des Anwachsen des Stromes von 0 auf i erzeugt wird, erhalten wir des Summation aller Differentialströme bis die Stromstärke gleich i gewalle ist; diese Summe ist, da

$$\int \frac{di}{dt} dt - \int di - i$$

$$Fds = -\frac{1}{2} a i \frac{ds}{s} \frac{ds}{s} \cos^2 \theta_2,$$

ein Ausdruck, welcher mit dem vorhin für die durch die Bewegung de Leiters induzierte elektromotorische Kraft gefundenen identisch ist, somit beweist, dass die Webersche Theorie mit der Erfahrung themstimmend für beide Fälle der Induktion denselben Wert liefert.

Aus dem erhaltenen Ausdruck für die in dem Elemente ds interesterte elektromotorische Kraft können wir weiter die elektromotorische Kraft ableiten, welche in den beiden betrachteten Fällen in einem erlichen Leiter ss' induziert wird; wir haben die Summe aller für die Bemente ds soeben gefundenen Werte für den ganzen Leiter zu bilden. Nehmen wir an, das Element befände sich gerade der Mitte des Leiter gegenüber, seine senkrechte Entfernung vom Leiter sei k und der Leiter habe die Länge 2b. Um die über den ganzen Leiter ausgedehnte Summe zu bilden, ist zu beachten, dass mit der Lage des Elementes im Leiter sowohl r als 32 sich ändern; zur Bildung dieser Summe haben wir daher die Abhängigkeit dieser Größen von einander zu bestimmen. Am bequemsten drücken wir alle Größen durch 3 aus, wenn wir um die Veründerlichkeit des Winkels anzudeuten jetzt den Index 2 fortlassen. Bezeichnen wir den Abstand des Elementes ds von dem dem Elemente de gerade gegenüber liegenden Punkte C Fig. 286 mit s, so ist

$$\frac{h}{r} = \sin \vartheta \qquad r = \frac{h}{\sin \vartheta}$$

$$\frac{h}{s} = \tan \vartheta \qquad s = \frac{h}{\tan \vartheta},$$

woraus sich ergiebt

$$ds = -\frac{hd\theta}{\sin^2\theta}.$$

Setzen wir die so bestimmten Werte von r und ds in die Gleichmet für Fds ein, so wird

$$Fds = \frac{1}{2} a i d\sigma \frac{\cos^2 \theta}{\sin \theta} d\theta.$$

Diesen Ausdruck haben wir nach & zu integrieren, von dem Wr & an, der dem Ende des Leiters s = — v entspricht, die zu dem s tsprechenden Werte. Nennen wir letzteren Wert ϑ_0 , so ist der erstere $iO^0-\vartheta_0=\pi-\vartheta_0$. Wir schreiben

$$\frac{1}{2}a i d\sigma \frac{\cos^2 \theta}{\sin \theta} d\theta = \frac{1}{2} a i d\sigma \frac{d\theta}{\sin \theta} - \frac{1}{2} a i d\sigma \sin \theta d\theta$$
;

nn wird, da

$$\frac{d\vartheta}{\sin\vartheta} = d \cdot \log \tan \frac{1}{2}\vartheta; \quad -\sin\vartheta \, d\vartheta = d\cos\vartheta$$

$$\int_{\pi-\vartheta_0}^{\vartheta_0} \frac{d\vartheta}{\sin\vartheta} = \log \tan \frac{1}{2}\vartheta_0 - \log \tan \frac{1}{2}(\pi-\vartheta_0)$$

$$-\int_{\pi-\vartheta_0}^{\vartheta_0} \sin\vartheta \, d\vartheta = \cos\vartheta_0 - \cos(\pi-\vartheta_0).$$

Schreiben wir nun

$$\tan \frac{1}{2} (\pi - \vartheta_0) = \frac{\sin (\pi - \vartheta_0)}{1 + \cos (\pi - \vartheta_0)} = \frac{\sin \vartheta_0}{1 - \cos \vartheta_0}$$

$$\tan \frac{1}{2} \vartheta_0 = \frac{\sin \vartheta_0}{1 + \cos \vartheta_0}$$

$$\cos (\pi - \vartheta_0) = -\cos \vartheta_0,$$

wird die induzierte elektromotorische Kraft F

$$F = \frac{1}{2} a i d\sigma \left\{ 2 \cos \vartheta_0 - \log \frac{1 + \cos \vartheta_0}{1 - \cos \vartheta_0} \right\}.$$

Da wir die Länge des Leiters gleich 2b gesetzt haben und den senkehten Abstand des Elementes vom Leiter gleich h, so ist

$$\cos\vartheta_0=\frac{b}{\sqrt{b^2+h^2}}$$

d damit

$$F = \frac{1}{2} ai \, d\sigma \left\{ \frac{2b}{\sqrt{b^2 + h^2}} - \log \frac{\sqrt{b^2 + h^2} + b}{\sqrt{b^2 + h^2} - b} \right\} \cdot$$

Ist h gegen b nur sehr klein, so können wir in bekannter Weise nähernd die Wurzel ausziehen und erhalten

$$F = \frac{1}{2} aid\sigma \left\{ \frac{2b}{b + \frac{1}{2} \frac{h^2}{b}} - \log \frac{2b + \frac{1}{2} \frac{h^2}{b}}{\frac{1}{2} \frac{h^2}{b}} \right\}.$$

In den Zählern und Nennern, in denen $\frac{h^2}{2b}$ als additives Glied vormmt, können wir dasselbe vernachlässigen und erhalten dann schließlich

$$F = -aid\sigma \{ \log 2b - 1 - \log h \}$$

ler in briggischen Logarithmen, wenn wir die Zahl 2,3026, mit der die Wollere, Physik. IV. 4. Aufl.

briggischen Logarithmen zur Verwandlung in natürliche multipliziert wer müssen, = m setzen,

$$F = -aid\sigma \{ m \log 2b - 1 - m \log h \}.$$

Ganz denselben Wert erhalten wir auch für die in dem Leiter induzierte elektromotorische Kraft, wenn wir an Stelle des Elementes deinen kurzen Draht von endlicher Länge lanwenden; wir haben nur fido den Wert leinzusetzen, vorausgesetzt nur, dass der Wert leggen sehr klein ist. Damit wird die durch den Strom von der Länge lunder Stromstärke i in ss induzierte elektromotorische Kraft

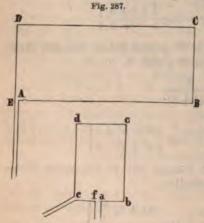
$$F = -il \{c - d \log h\},\$$

wenn wir

$$a (m \log 2 b - 1) = c, a m = d$$

setzen. Das konstante Glied des Ausdrucks ist die elektromotorische Kraiwelche in dem Abstande h=1 in den beiden betrachteten Fällen ezeugt wird; es ergiebt sich somit, daß die induzierte elektromotorisch Kraft mit wachsendem h abnimmt, und daß die Abnahme oder die Diffrenz zwischen der im Abstande eins und der im Abstande h induzierte elektromotorischen Kraft dem Logarithmus des Abstandes h proportional is

Zu dem gleichen Resultate gelangte Buff¹) bei einer Experiment untersuchung über die elektromotorische Kraft, welche ein kurzer Leit in einem langen, dessen Mitte der kurze in verschiedenen Abständ gegenübersteht, induziert, wenn in dem kurzen Leiter ein Strom entste



oder verschwindet. Der Draht, a welchen induzierend eingewirkt werd sollte, ABCDE Fig. 287, hatte d Gestalt eines großen rechtwinklig Vierecks, dessen Höhe BC 2,32 Met und dessen Länge AB 4 Meter b trug. Von der Ecke A führten zw sehr nahe parallel geführte Drähte a dem einen Rade des dem Dovesche Disjunktor gleich eingerichteten Anlysators, außerdem war in dem von ausgehenden Drahte zur Messung de Stärke des induzierten Stromes ei Galvanometer eingeschaltet.

Als induzierender Strom dien ein zweites Drahtviereck abcde dessen Seite de man eine verschie dene Länge geben konnte, und desse

Seite cb eine Länge von 1,58 Meter besaß. Von a und f führten zwe Drähte zu einem Kommutator und von da zur Batterie, von der Ecke führten zwei um einander gewundene Drähte zu dem zweiten Rade de Analysators. Da in den Drähten bc und de der Strom in Bezug au dem Draht AB die entgegengesetzte Richtung hat, heben sich die indu

¹⁾ Buff, Poggend, Ann. Bd. CXXVII.

n Wirkungen dieser Drähte auf das Viereck ABCD auf, und les großen Abstandes der Seite eb von dc kann die Wirkung diee außer Acht gelassen werden, so daß wesentlich nur die Seite Wirkung kommt.

egen der stets großen Länge von AB gegen dc ist ferner die nswirkung auf die übrigen Teile des Induktionsvierecks so geaß die gesamte Induktion sich nur wenig von derjenigen in dem B unterscheidet.

r Analysator wurde so gestellt, dass nur die Schließungs- oder ungsströme in AB zustande kamen, deren Stärke dann, wie bei suchen von Lenz (§. 140 S. 1028) dem Sinus des halben am Galter der Induktionsleitung beobachteten Ablenkungswinkels proporgesetzt wurde.

lgende Tabelle enthält die Resultate einer der verschiedenen Verhen von Buff; die senkrechte Entfernung h der beiden Leiter cd ist in Centimetern gegeben, die zweite Kolumne enthält die beten Ablenkungen β an dem Galvanometer als Mittel von je vier itungen.

h	β°	sin ½ β	β berechnet	Δ
1	$28^{0},89$	0,24945	29^{0} 6,5'	+ 13'
2	25 ,175	0,21793	24° 52,5′	— 18'
4	20,75	0,18008	200 40,5	- 4,5'
8	16,30	0,14177	16° 30'	+ 12'
16	12,30	0,10713	12° 21'	+ 3'
20	11,25	0,09801	11° 1'	— 14'
24	10,00	0,08716	9° 56′	 4 '

e in der vierten Kolumne als berechnet angeführten Zahlen erich nach der empirischen Formel

$$\sin \frac{1}{2} \beta = F = 0.25132 (1 - 0.475 \log h)$$

letzte Kolumne zeigt, dass die zwischen Rechnung und Beobachattfindenden Unterschiede die unvermeidlichen Beobachtungsfehler berschreiten.

s Mittel aus fünf Versuchsreihen ergab sich, dass die beobachteten sich stets durch die Gleichung darstellen ließen:

$$F = -f(1 - 0.479 \log h),$$

eine dem Produkte aus der Stromstärke und der Länge des inden Drahtes proportionale Konstante bedeutet; dieselbe ist die inelektromotorische Kraft, wenn h = 1 ist.

r Vergleichung mit der Theorie haben wir unsere Gleichung nur selbe Form zu bringen. Dieselbe wird dann

$$F = -a (m \log 2b - 1) i l (1 - \frac{m}{m \log 2b - 1} \log h).$$

. die Länge des Drahtes oder 2b = 400cm war, so ist

$$\frac{m}{m \log 2b - 1} = \frac{2,303}{4,99} = 0,461$$

oder die aus der Theorie abgeleitete Formel wird

$$F = -f(1 - 0.461 \log h),$$

worin f dieselbe Bedeutung hat wie oben, und in der Gleichung das ze tive Vorzeichen beibehalten ist, um anzudeuten, dass der induzierte Str die entgegengesetzte Richtung hat als der induzierende. Der theuretis Wert der Konstanten f hängt natürlich wesentlich von den gewählten E heiten der Stromstärken ab.

Die Übereinstimmung der aus der Theorie abgeleiteten und der epirischen Gleichung für F ist so vollkommen, daß sie der beste Bewfür die Richtigkeit der Theorie und für die Genauigkeit der Versur von Buff ist. Die Übereinstimmung der Konstanten würde noch größ sein, wenn wir die Wirkung des ganzen Vierecks abedef auf das gu Viereck ABCDE berechnet hätten, dieselbe wird dann 0.478°).

Es genüge an der ausführlichen Betrachtung dieser beiden Fil um zu zeigen, in welcher Weise das Webersche Grundgesetz die einzele Fälle der Induktion zu behandeln gestattet, und die Erscheinungen leitet; um eine vollständige Übersicht über die Theorie zu geben, bei es nur, die anderen Hauptfälle der Induktion auf die einfachsten zurüzuführen.

Zunächst ist klar, daß bei der Bewegung eines Stromes in der Nieines ruhenden Leiters ganz ebenso ein Strom entstehen muß, welch dieselbe Richtung hat, als der bei Bewegung des Leiters induzierte Strowenn die Bewegung des Stromes in der jener des Leiters gerade er gegengesetzten Richtung erfolgt. Denn in dem Falle ist die relat Geschwindigkeit und Beschleunigung der auf einander wirkenden elek schen Massen genau dieselbe.

Die Magnetinduktion sowohl bei Bewegung des Magnets oder Leit als bei dem Entstehen und Verschwinden des Magnetismus, und Webersche Satz, daß sie unter sonst gleichen Umständen derjenigen du einen geschlossenen Strom ganz gleich ist, wenn die elektromagnetis Wirkung des Magnets auf den von einem Strome durchflossen gedach Leiter gleich ist der elektrodynamischen Wirkung des geschlossenen St mes, ergiebt sich unmittelbar aus der Anschauung der Magnete als Sonoide, wornach die Magnetinduktion in ihrem Wesen sich von Voltaindation nicht mehr unterscheidet.

§. 148.

Induktion in körperlichen Leitern. Rotationsmagnetism Ebenso wie in geschlossenen linearen Leitern durch eine Änderung delektrischen oder magnetischen Zustandes von in der Nähe befindlich Strömen oder Magneten ein Strom induziert wird, müssen auch in au gedehnten Metallmassen, Scheiben oder Kugeln durch ähnliche Änderung

¹⁾ Man sehe in Buffs Abhandlung Poggend. Ann. Bd. CXXVII S. 96. In mache darauf aufmerksam, dafs die Berechnung der Induktion eines einzeln Leiterstückes nach den Neumannschen Gleichungen nicht zulässig ist, weil was Potential nur für geschlossene Stromkreise, nicht für die einzelnen Elemen anwenden dürfen; da wir im schliefslichen Resultate für do einfach I eingeset herechnen wir hier die Induktion durch ein einzelnes Leiterstück.

Ströme erregt werden. So müssen z. B. in einer Metallscheibe, welche um eine vertikale Axe drehbar ist, über welche man in horizontaler Richtung einen Strom hinführt, Ströme entstehen, wenn man sie unter dem Strome in Rotation versetzt, da auch hier Leiter dem Strome genähert und von ihm entfernt werden.

Nur werden hier die Erscheinungen dadurch kompliziert werden, daß in solchen nach verschiedenen Richtungen ausgedehnten Metallmassen die an einer Stelle in Bewegung versetzten Elektricitäten nicht nach einer, sondern nach sehr vielen Richtungen sich bewegen können; es wird deshalb in solchen Metallmassen nicht nur ein Strom, sondern ein ganzes System von Strömen sich ausbilden müssen. Es hat sich dieses auch bei den Untersuchungen dieser Induktion von Faraday 1), Nobili 2), Matteucci 3) und anderen bestätigt.

Wir betrachten von diesen Fällen nur einen etwas näher, nämlich die Induktion in Scheiben oder Hülsen, welche unter dem Einflusse eines Magnets in Bewegung versetzt werden oder in deren Nähe sich Magnete bewegen, da diese die Erklärung für die von Arago entdeckten Erscheinungen des Rotationsmagnetismus geben.

Diese Erscheinungen, wie sie von Arago4) beobachtet und später von

anderen vervollständigt wurden, sind folgende.

Wenn man über einer Metallscheibe eine Magnetnadel aufhängt und in Schwingungen versetzt, so nehmen die Schwingungsbögen der Nadel

an Größe sehr rasch ab, ohne daß die Schwingungsdauer der Nadel merklich geändert wird. Diese Abnahme der Schwingungsbögen wird noch bedeutender, wenn man die Magnetnadel mit einer massiven Metallhülle, einem dicken Metallringe in der Art Fig. 288 umgiebt, so, dass die Längenausdehnung der Metallstreifen, welche den Ring bilden, der Axe der Nadel in ihrer Ruhelage parallel ist.



Die Schnelligkeit, mit welcher die Schwingungsbögen abnehmen, wird bedeutend vermindert, wenn man statt einer massiven Metallscheibe eine vielfach in der Richtung der Radien durchbrochene Scheibe nimmt. Dieselbe ist ferner bei verschiedenen Metallen verschieden. Nach Seebeck⁵) wurde z. B. der Schwingungsbogen einer Magnetnadel über einer Kupferscheibe in 26, über einer Zinkscheibe in 71 Schwingungen, über einer mit einem Viertel ihres Gewichts Antimon legierten Kupferscheibe in 100 Schwingungen von 45° auf 10° reduziert, während sie frei in der Luft oder über einer Metallplatte erst in 116 Schwingungen ebenso weit reduziert wurde.

Es ergiebt sich aus diesen Beobachtungen, dass Metallmassen auf in ihrer Nähe schwingende Magnetnadeln einen dämpfenden Einflus ausüben,

Faraday, Experimental researches. Ser. I. Poggend. Ann. Bd. XXV.
 Nobili, Poggend. Ann. Bd. XXVII.

³⁾ Matteucci, Cours special de l'induction etc. Paris 1854
4) Arago, Ann. de chim. et de phys. T. XXVII, XXVIII, XXXII. Poggend.
Ann. Bd. III, VII, VIII.
5) Seebeck, Poggend. Ann. Bd. VII.

dass also auf die schwingende Magnetnadel eine ihrer Bewegungsrichten entgegengesetzte Kraft wirkt. Eine genauere Beobachtung der Schwingungen beweist nun, dass die auf einander folgenden Schwingungsbogen einer geometrischen Reihe angehören, dass also die Differenzen zwische den Logarithmen der auf einander folgenden Schwingungen, das logarithmische Drekrement, eine konstante Größe ist. Daraus folgt, wie wir §. 140 sahen, dass die der Schwingung der Nadel entgegenwirkert Kraft der augenblicklichen Geschwindigkeit der Nadel proportional ist

Wie eine ruhende Scheibe auf eine bewegte Magnetnadel, so witt auch eine bewegte Scheibe auf einen ruhenden Magnet ein. Auch dies Erscheinung hat Arago, darauf geführt durch die eben beschriebene Beobachtung, zuerst wahrgenommen. Auf einen Centrifugalapparat wuch eine Kupferscheibe gelegt, über derselben und von ihr durch eine Ghe platte getrennt, wurde eine Magnetnadel in horizontaler Ebene drehber » aufgehängt, dass die Drehungsaxe der Nadel mit jener der Scheibe a Wurde nun die Kupferscheibe in rasche Rotation versett, so wurde die Magnetnadel in der Richtung der Drehung von dem Iridiane abgelenkt und kam in einer, je nach der größeren oder geringren Rotationsgeschwindigkeit der Scheibe mehr oder weniger abgelenke Lage zur Ruhe. Ist die Magnetnadel sehr leicht und wird ihre Richt kraft dadurch, dass man dem einen Pol derselben einen Magnetstab mit gleichnamigem Pole nähert, geschwächt, so gelingt es leicht. die Nade selbst in kontinuierliche Rotation mit der Scheibe zu versetzen, besorder wenn der Abstand der Nadel von der Scheibe nur klein ist.

Die Ablenkung der Nadel aus dem Meridiane nimmt, wie geset mit der Rotationsgeschwindigkeit der Scheibe zu, und nach Versuchen wa Harris 1) ist der Sinus des Ablenkungswinkels der Rotationsgeschwindig keit der Scheibe proportional.

Die Ablenkung der Nadel nimmt ferner zu, je nüher die Nadel über der Scheibe sich befindet, und zwar ist nach Harris der Sinus der Ab lenkung dem Quadrate der Entfernung umgekehrt proportional.

Bei gleicher Rotationsgeschwindigkeit und gleichem Abstande ist 4-Ablenkung über verschiedenen Metallscheiben verschieden, und zwar ver hält sie sich bei Scheiben gleicher Dicke nahezu wie die specifischen Le tungsfähigkeiten der Metalle. So fanden Babbage und Herschel! de Sinus der Ablenkungswinkel, jenen über Kupfer gleich 100 gesetzt, über Zink gleich 93, Zinn 46, Blei 25, Antimon 9, Wismut 2. "Über nicht leitenden Scheiben ist keine Ablenkung zu beobachten.

Nur das Eisen macht davon eine Ausnahme, über diesem ist & Ablenkung viel bedeutender als über anderen Metallen.

Die eben angeführten Gesetze der Ablenkung gelten nur für masse-Scheiben; über Scheiben, welche durchbrochen und besonders über seleh-1 welche mit radialen Einschnitten versehen sind, ist die Ablenkung eine viel kleinere.

Diese Versuche beweisen, dass durch die rotierende Metallscheite auf die Magnetnadel Kräfte wirken, welche der augenblicklichen F-

Harris, Philosophical Transactions for 1881.
 Babbage und Herschel, Philosophical Transactions for 1895.

wegungsrichtung der unter der Nadel hergehenden Teile parallel sind, welche also parallel der unter der Nadel an die Scheibe gelegten Tangente wirken. Außer diesen, der Nadel ein Drehungsmoment in horizontaler Richtung erteilenden Kräften kann man noch andere nachweisen.

Wenn man von dem einen Arm eines Wagbalkens einen Magnet herabhängen läßt, so daß sein einer Pol nahe über der Scheibe hängt, so wird der Magnet abgestoßen, er hebt sich und die ihm auf der anderen Seite das Gleichgewicht haltende Wagschale senkt sich. Von der rotierenden Scheibe wirkt also auch eine vertikal nach oben gerichtete Kraft auf den Magnet ein.

Hält man schliefslich eine Inklinationsnadel, welche sich in einer zur Meridianebene senkrechten Ebene drehen kann, welche sich also vertikal stellt, über einer rotierenden Scheibe, so wird auch diese abgelenkt, außer wenn sie sich gerade über dem Centrum der Scheibe befindet. Nähert man sie aber dem Rande der Scheibe, so wird bis zu einem gewissen Abstande von der Mitte der Nordpol dem Mittelpunkte genähert, in einer gewissen Entfernung bleibt sie wieder vertikal hängen, und dem Rande noch näher wird der Nordpol vom Mittelpunkte entfernt.

Ebenso wie ruhende Metallmassen auf bewegte Magnete oder bewegte Metallmassen auf ruhende Magnete, wirken umgekehrt auch ruhende Magnete auf bewegte Metallmassen und bewegte Magnete auf ruhende Metallmassen ein.

Ersteres läßt sich sehr einfach dadurch zeigen, daß man zwischen den Polen eines nicht erregten Elektromagnets an einem Faden eine Metallkugel oder einen Metallwürfel aufhängt und diesen in Rotation versetzt. Ist die Kugel nicht zu leicht, so dauert die Rotation sehr lange fort, indem der Faden erst tordiert, dann detordiert wird, dann wieder tordiert wird u. s. f.

Wenn man aber den Elektromagnet erregt, so hört die rotierende Bewegung sehr bald auf. In noch auffallenderer Weise hat Foucault diese Erscheinung an einem eigens dafür konstruierten Apparat gezeigt¹). Zwischen den Polen eines mit Halbankern versehenen Elektromagnets kann eine Scheibe durch eine Kurbel parallel der Äquatorialebene in rasche Rotation versetzt werden. Ist der Magnet nicht erregt, so rotiert die Scheibe noch eine Zeit lang fort. Wird aber der Magnet erregt, so wird, besonders wenn die Halbanker der Scheibe recht nahe sind, die Bewegung der Scheibe fast augenblicklich gehemmt. Versucht man dann die Scheibe wieder in Rotation zu versetzen, so findet man einen sehr bedeutenden Widerstand, wie wenn die Scheibe eingeklemmt wäre. Zugleich findet man dann, dass die Scheibe sich sehr bedeutend erwärmt, wie wenn dieselbe bei der Rotation gerieben würde; bei nicht zu geringer Rotationsgeschwindigkeit tritt eine so bedeutende Temperaturerhöhung ein, dass sie direkt durch Anfühlen wahrgenommen werden kann.

Dass eine ruhende Scheibe durch einen rotierenden Magnet in Rotation versetzt werden kann, haben Babbage und Herschel²) in folgender Weise gezeigt. Ein huseisenförmiger Stahlmagnet wurde um eine

¹⁾ Foucault, Comptes Rendus Bd. XLI. Poggend. Ann. Bd. XCVI.

²⁾ Babbage und Herschel, a. a. O.

vertikale, den Schenkeln parallele und mitten zwischen denselben liegeste Axe in Rotation versetzt.

Über demselben und durch eine Membran von ihm getrennt besich eine Kupferscheibe in ihrem Centrum auf eine Spitze gelegt, so des sie in horizontaler Ebene rotieren konnte. Die Scheibe folgte dem Marnete und rotierte in demselben Sinne wie der Magnet.

Alle diese Erscheinungen, welche man nach der Bezeichnung war Arago unter dem Namen Rotationsmagnetismus zusammenfast, kommen wie man sieht, darauf hinaus, dass, wenn Magnete oder Metallmasse, welche einander nahe sind, sich bewegen, dieselben von dem ruhenden Teile einen ihrer Bewegungsrichtung entgegengesetzten Antrieb erfahren; wird der eine Teil in der ihm gegebenen Bewegung erhalten und ist der andere beweglich, so gerät letzterer nach dem Principe der Reaktion in eine Bewegung, welche der des bewegten gleichgerichtet ist. Nur die senkrecht von der Scheibe gerichtete Abstosung und die dem Radiusparallele Ablenkung eines tiber der Scheibe gehaltenen Magnets füllt nicht unter jenes allgemeine Princip.

Alle diese Erscheinungen sind Folge der in den rotierenden oder ruhenden Metallmassen erregten Induktionsströme, und als solche wa Faraday¹) gleich nach der Entdeckung der Induktion erkannt worde. Sie ergeben sich als solche unmittelbar aus dem Lenzschen Gesetze; den nach dem Lenzschen Gesetze werden durch die relative Bewegung eine Leiters in der Nähe eines Magnets in dem Leiter Ströme erzeugt, welch so gerichtet sind, dass durch die elektromagnetische Wirkung zwischen Magnet und Leiter die der augenblicklichen gerade entgegengesetzte Bewegung entstehen würde. Der bewegte Magnet oder die bewegte Scheiberhalten demnach von den durch die Bewegung erzeugten Induktionströmen einen ihrer augenblicklichen Bewegung entgegengesetzten Antres

Untersuchen wir nach dieser Annahme, wie denn die Induktionströme in den Metallmassen gerichtet sein müssen, um die beschriebene Wirkungen zu haben. Schwingt eine Nadel NS über einer Scheibe Fig 289) so, daß der Nordpol nach Westen sich bewegt, so muß durch dei in der Scheibe erregten Induktionsstrom der Nordpol einen Antrieb nach Osten erhalten, es müssen also an der Seite des Poles, gegen welche eisich hin bewegt, also an der Westseite Induktionsströme entstehen, weithdie Nadel zurücktreiben wollen, welche unterhalb der Nadel vom Centra zum Rande fließen, an der Ostseite, von welcher er sich entfernt. Ström welche ihn nach sich hin ziehen wollen. Das in der Scheibe entstehen Stromsystem wird also ungefähr die Richtung der Pfeile haben, da datt alle Ströme der Nadel einen ihrer Bewegungsrichtung entgegengesetze Antrieb erteilen.

Kehrt sich die Bewegung der Nadel um, so kehrt sich auch sofer die Richtung der Ströme um.

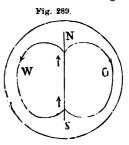
Das in Fig. 289 angedeutete Stromsystem muß auch entstehen, west unter der ruhenden Nadel die Scheibe von W über N nach O gedebt wird, wenn also von oben gesehen die Scheibe wie der Zeiger einer Usgedreht wird, da dann die relative Bewegung von Scheibe und Magse

¹⁾ Faraday, Experimental researches. Ser. I. Poggend. Ann. Ed III.

dieselbe ist, als wenn der Nordpol der Nadel über der ruhenden Scheibe nach Westen sich bewegt. Dieses Stromsystem lenkt aber die Nadel nach Osten hin ab, also nach der Seite, nach welcher die Scheibe sich bewegt.

Genau dasselbe Stromsystem erklärt auch die Beruhigung einer schwingenden oder rotierenden Metallmasse zwischen den Polen eines Magnets oder die Rotation einer Scheibe, wenn unter derselben wie bei dem Versuche von Babbage und Herschel ein Magnet in Rotation versetzt wird.

Mit dieser Theorie des Rotationsmagnetismus sind auch die Gesetze in Übereinstimmung, welche wir betreffs desselben anführten; aus den Schwingungen der Magnetnadel in der Nähe metallischer Massen und aus der Ablenkung der Nadel über



der rotierenden Scheibe folgt, dass die ablenkende Kraft der Geschwindigkeit der relativen Bewegung proportional ist. Nach den Gesetzen der Induktion ist aber der in jedem Momente induzierte Strom unter sonst gleichen Umständen der relativen Geschwindigkeit proportional, der Intensität dieses Stromes ist aber die ablenkende Kraft proportional.

Alle die Umstände, welche die Stärke des Induktionsstromes schwächen, vermindern ferner auch die Wechselwirkung zwischen dem bewegten Magnete und der Scheibe. Die Intensität des Induktionsstromes muß unter sonst gleichen Umständen der Leitungsfähigkeit der Scheibe proportional sein, wie wir sahen ist auch die Ablenkung der Nadel der Leitungsfähigkeit der Scheibe unter sonst gleichen Umständen proportional. Über einer nichtleitenden Scheibe findet gar keine Ablenkung der Nadel statt, da in einer solchen keine Induktionsströme zustande kommen können. Die Wirkung einer rotierenden Metallscheibe wird ferner bedeutend vermindert, wenn man die Scheibe parallel den Radien mit einer großen Anzahl von Einschnitten versieht; der Grund dafür liegt darin, daß durch diese Einschnitte das Zustandekommen der Induktionsströme vielfach gehindert wird, mit der dadurch bewirkten Schwächung dieser Ströme muß auch die Wirkung zwischen der Nadel und Scheibe geschwächt werden.

Es gelang Faraday auch unmittelbar die in der Scheibe erregten Induktionsströme nachzuweisen und dadurch den Beweis für die Richtigkeit seiner Erklärung zu vervollständigen.

Zwischen den Polen eines kräftigen mit Halbankern versehenen Hufeisenmagnets wurde eine auf eine Messingaxe gesetzte Kupferscheibe der äquatorialen Ebene parallel in Rotation versetzt. Auf dem amalgamierten Rande der Scheibe, sowie auf der metallischen Axe schleiften Metallfedern, welche mit den Enden eines Galvanometers verbunden waren. Sobald die Scheibe rotierte, wurde das Galvanometer, von einem Strome durchflossen, dessen Richtung geändert wurde, wenn die Richtung der Rotation sich änderte. Wenn von dem Nordpol aus gesehen die Scheibe wie der Zeiger einer Uhr rotierte, so waren in dem an den Polen vorbei passierenden Radien die Induktionsströme vom Centrum der Scheibe gegen den Rand hin gerichtet. Rotierte die Scheibe im entgegengesetzten Sinne, so dass sie also vom Südpole aus gesehen wie der Zeiger einer Uhr kreiste, so hatte der Strom die entgegengesetzte Richtung, er floss in den die

Pole passierenden Radien von dem Rande der Scheibe gegen das Catrum hin.

Die auf diese Weise das Galvanometer durchsetzenden Ströme siel nur Zweigströme, da nach den Gesetzen der Stromverzweigung in der nicht direkt induzierten Teilen der Scheibe die erregten Ströme sich me Teil ausgleichen; legt man an die Scheibe keine ableitenden Feden, s gleichen sich die Ströme vollständig in der Scheibe aus. dieser Ströme lassen sich dann dadurch finden, dass man an verschiede nen Punkten der Scheibe das eine Ende des Galvanometerdrahtes hit und dann mit dem anderen Ende des Drahtes Punkte auf der Scheite aufsucht, an welche man das zweite Ende des Galvanometerdrahtes alegen kann, ohne dass ein Strom denselben durchströmt. welche man auf diese Weise bestimmt, sind Punkte gleichen elektrische Potentials, denn weil in denselben das Potential der freien Elektricit denselben Wert hat, fliest kein Strom von einem zum andern hin. Die · Punkte gleichen elektrischen Potentials liegen auf bestimmten gegen är Magnetpole, über oder neben welchen die Scheibe rotiert, symmetrisch gelegenen Kurven; von einer so bestimmten Kurve zur anderen ander. sich der Potentialwert 1). Die Strömungskurven sind in jedem Punkte seit recht zu den Kurven gleichen elektrischen Potentials. In dieser Weise hat Matteucci²) die Strömungskurven in Scheiben bestimmt; wenn such das Kurvensystem, welches er findet, ziemlich verwickelt ist, so bestätze seine Versuche doch die aus den Erscheinungen des Rotationsmagnetisme und aus Faradays Versuchen abgeleiteten Resultate, dass unterhalb de Pole die Ströme eine radiale Richtung haben, und dass wenn die Schille über zwei zum Centrum symmetrisch gelegenen Polen rotiert, die Striet von einem zum anderen Pole gerichtet sind und auf beiden Seiten & die Pole verbindenden Linie sich ausgleichen.

Die Ströme liegen jedoch nur genau symmetrisch zur Verbindunglinie der beiden Pole, wenn die Rotation der Scheibe nicht zu schreiist; wird die Rotationsgeschwindigkeit bedeutend, so verschieben sich zur
den Versuchen von Nobili³) und Matteucci die Strömungskurven im Sinsder Rotation, wie wenn die Ströme eine gewisse Zeit brauchten, um zustande zu kommen. Wenn so Fig. 290 die auf die einfachste Form redzierten Strömungskurven darstellt, wenn die Scheibe im Sinne des Prestriches unter den Polen NS rotiert, so liegen die Kurven bei rasche
Rotation nicht symmetrisch zu der Linie NS, sondern zu der Linie zu
so daß es den Anschein hat, als wenn die Induktion nicht sofort zu
stande käme.

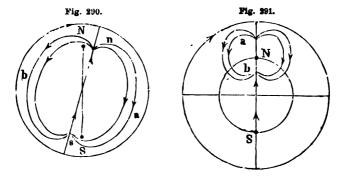
Diese Verzögerung der Induktion oder die Verschiebung der Stockurven erklärt nun auch sofort die zur Ebene der Scheibe senkrate Abstofsung des über ihr befindlichen Poles; denn betrachten wir Kurvensystem nbs in dem sich dem Pole annähernden Teile der Scheiber welches infolge der Verschiebung des Stromsystems der Pol X z

¹⁾ Über die Berechnung dieser Ströme sehe man Jochmann, Crelles Jours Bd. LXIII. Poggend. Ann. Bd. CXXII.

Matteucci, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. XLIX.
 Nobili, Poggend. Ann. Bd. XXVII.

hängen kommt, so erkennt man sofort, dass dieses den Nordpol eines Magnets repräsentiert, indem die Ströme dieses Systems umgekehrt wie der Zeiger einer Uhr kreisen. Hängt deshalb der Magnet so über der Scheibe, dass derselbe nach oben sich bewegen kann, so muß der Nordpol von dem Stromsystem nbs abgestossen werden. Ebenso muß auch der Südpol S, welcher sich über dem Kurvensystem nas besindet, einen senkrecht von der Scheibe fort gerichteten Antrieb erhalten.

Ebenso erklärt sich durch diese Verzögerung der Induktionsströme auch die dem Radius der Scheibe parallele Komponente des Rotationsmagnetismus, und Fig. 290 läßt sofort erkennen, daß durch die Einwirkung der Ströme nbs der in vertikaler Ebene drehbare Magnet, dessen Nordpol unten ist, nach der Ampèreschen Regel mit dem Nordpole nach außen hin, also vom Mittelpunkte fort abgelenkt werden muß. Das Gleiche gilt von dem Südpole S, auch dieser wird nach der Ampèreschen Regel von den Strömen nas nach außen abgelenkt.



Diese letzteren Wirkungen werden andere, wenn die Pole sich näher bei der Mitte befinden, da dann die Strömungskurven einen andern Verlauf nehmen, indem sich mehrere Stromsysteme bilden. So bildet sich mach Matteucci z. B. ein dem Kurvensystem Nab Fig. 291 ähnliches aus, wenn die Scheibe im Sinne des Pfeils unter dem in der Hälfte des Radius befindlichen Nordpole rotiert. Werden hier die Ströme nach rechts hin verschoben, so bleibt die vertikale Komponente dieselbe wie in dem vorher betrachteten Falle, die radiale Komponente wird aber entgegengesetzt gerichtet, so das der Nordpol N gegen den Mittelpunkt der Scheibe hin abgelenkt wird.

In einem gewissen Abstande von dem Mittelpunkte, das läst sich schon daraus schließen, müssen dann die Strömungskurven so beschaffen sein, dass der Magnet weder nach der einen noch nach der anderen Seite abgelenkt wird.

§. 149.

Anwendung der Dämpfung bei der Galvanometrie. Der dämpfende Einflus, welchen Metallmassen auf schwingende Magnetnadeln ausüben, wird in neuerer Zeit in ausgedehnter Weise bei der Galvanometrie angewandt, um die Messungen rascher und sicherer auszuführen. Denn führt

man einen Strom durch ein Galvanometer, so erhält die Nadel eine new Gleichgewichtslage, um welche dieselbe in Schwingungen gerät; und wen man auch die neue Gleichgewichtslage aus den Beobachtungen dieser Schwingungen ableiten kann, so ist es doch immer bequem, ja hing wenn die Ströme ihre Stärke schnell ändern, für genaue Messungen notwendig, dass die Nadel in ihrer abgelenkten Lage schnell zur Ruhe kommt Das erreicht man, indem man die Magnetnadel mit dümpfenden Metalimassen umgiebt. Je enger und je vollständiger man die schwingene Nadel mit Metallmassen einhüllt, um so stärker ist der die Bewegung der Nadel hemmende Einflus der in den Metallmassen induzierten Ströme. Wir haben schon im §. 127 bei der Beschreibung der Galvanometer von W. Weber und Wiedemann auf diese Dämpfung hingewiesen und erwährt daß man die neuern Galvanometer, welche zur Messung konstanter Strüm dienen, mit so starker Dämpfung versieht, dass die Nadel überhaupt kein Schwingungen mehr macht, dass sie sich zur neuen Gleichgewichtsber hin begiebt ohne dieselbe zu überschreiten. Man nennt die Bewegus der Nadel in dem Falle eine aperiodische und solche Galvanometer of aperiodische.

Dass eine solche Bewegung möglich ist, und unter welchen Bedingungen sie eintritt, erkennt man leicht aus der Gleichung der unter Dämpfung sich bewegenden Nadel¹). Ist φ der Abstand der Nadel wie der Gleichgewichtslage, so ist die Differentialgleichung der Bewegung, wie wir schon §. 140 erwähnten, die im §. 60 des ersten Bandes bereit behandelte Gleichung

$$\frac{d^2\varphi}{dt^2} + 2\varepsilon \frac{d\varphi}{dt} + k^2\varphi = 0.$$

Das allgemeine Integral dieser Gleichung ist, wie wir im erse Bande sahen (§. 60),

$$\varphi = e^{-\epsilon t} \left\{ A e^{t\sqrt{\epsilon^2 - k^2}} + B e^{-t\sqrt{\epsilon^2 - k^2}} \right\}.$$

Wie wir an jener Stelle nachwiesen, geht diese Gleichung in dieseite einer schwingenden Bewegung über, wenn $k > \varepsilon$, soweit die Exponent in dieser Gleichung imaginär werden. Ist dagegen $\varepsilon > k$, so daß Exponenten reell sind, so wird die Bewegung eine aperiodische. Nehme wir das an, und nehmen wir weiter an, daß die neue Gleichgewichtslader Nadel einer Ablenkung p entspreche. Da obige Gleichung uns der Abstand der Nadel von der Gleichgewichtslage zur Zeit t ergiebt, ist der Abstand der Nadel von dem Nullpunkte des Galvanometers zur Zeit gleich dem Abstande p der Gleichgewichtslage vermehrt um φ ; setzen wird den Abstand vom Nullpunkte gleich p, so wird, wenn zugleich t $\varepsilon = t$ gesetzt wird,

$$y = e^{-\epsilon t} \{ A e^{mt} + B e^{-mt} \} + p.$$

¹⁾ Die Untersuchung der Dümpfung ist zuerst vollständig durchgeführt var E. Du Bois-Reymond, Monatsberichte der Berliner Akad. für 1869 und 1878. Du Bois-Reymond hat bei diesen Untersuchungen zuerst die Aperiodicität & Bewegung nuchgewiesen.

Wir rechnen die Zeit von dem Augenblicke, in welchem der Strom geschlossen wird, dann ist zur Zeit t=0 sowohl y=0 als auch, da in dem Moment die Bewegung gegen die neue Gleichgewichtslage beginnt, die Geschwindigkeit, also $\frac{dy}{dt}=0$.

Zur Bestimmung der Konstanten A und B erhalten wir daher die Gleichungen

$$0 = A + B + p, p = -(A + B),$$

$$\frac{dy}{dt} = -\epsilon e^{-\epsilon t} \{ A e^{mt} + B e^{-mt} \} + m e^{-\epsilon t} \{ A e^{mt} - B e^{-mt} \},$$

somit für t = 0

$$0 = -\varepsilon (A+B) + m(A-B), \qquad A-B = \frac{\varepsilon}{m} (A+B),$$

somit

$$A = -\frac{p}{2} \frac{\varepsilon + m}{m}, \qquad B = \frac{\varepsilon - m}{m} \frac{p}{2}$$

und daraus

$$y = \frac{p}{2m} e^{-st} \{ (\varepsilon - m) e^{-mt} - (\varepsilon + m) e^{mt} \} + p,$$

$$y = \frac{p}{2m} \{ (e - m) e^{-(s+m)t} - (\varepsilon + m) e^{-(s-m)t} \} + p.$$

Das erste Glied des Ausdruckes für y wird mit wachsendem t stets kleiner, so daß y sich dem Wert p immer mehr nähert, allerdings strenge gleich p erst für $t = \infty$ wird; größer als p kann y niemals werden, somit kann die Bewegung nicht umkehren, es können keine Schwingungen entstehen. Dasselbe zeigt die Gleichung für die Geschwindigkeit der Bewegung. Setzen wir die Werte von A und B in dieselbe ein, so wird

$$v = \frac{dy}{dt} = \frac{p(\varepsilon^2 - m^2)}{2m} \left\{ e^{-(\varepsilon - m)t} - e^{-(\varepsilon + m)t} \right\}$$

ein Ausdruck, der mit wachsendem t zunächst wächst bis zu einem Maximum, das nach den Regeln des Maximums berechnet zur Zeit

$$t = \frac{1}{2m} \log \text{ nat. } \frac{\varepsilon + m}{\varepsilon - m}$$

erreicht; wird von da ab nimmt die Geschwindigkeit ab und nähert sich mit wachsender Zeit asymptotisch dem Werte null.

E. Du Bois-Reymond hat gezeigt, dass bei Anwendung starker Dämpfung in Galvanometern diese Bewegung der Magnetnadel in der That erreicht werden kann, und seitdem wird dieselbe, wie schon erwähnt wurde, vielfach zur Konstruktion der Galvanometer angewandt.

Wenn man die Intensität konstanter Ströme misst, indem man die neue Ruhelage der Nadel beobachtet, so ist die Dämpfung nur in soweit von Einfluss, dass die durch den Strom bedingte Ruhelage schneller erreicht wird, die Ruhelage ist für die gedämpste Nadel dieselbe wie für die ungedämpste. Anders ist es aber bei der Messung von Induktionsströmen, welche der Nadel nur einen Stoss geben, oder wenn man einen konstanten Strom durch die erste Elongation messen, das heist die Ruhe-

lage aus der ersten Elongation ableiten will. Ist keine Dümpfung handen, so wissen wir, dass im letztern Falle die erste Ablenkung deppal groß ist, als die der neuen Ruhelage entsprechende Ablenkung, und die Stärke des Induktionsstromes dem Sinus der halben Ablenkung portional ist. Bei Anwendung der Dämpfung sind die Verhältnisse ander Galvanometer, welche zu solchen Beobachtungen gebraucht werden, die nicht aperiodisch gedämpft sein, die Nadel muß noch eine schwinge Bewegung besitzen. Untersuchen wir zuerst den Fall, daß die Steines konstanten Stromes aus der ersten Ablenkung bestimmt werden soll aus der Differentialgleichung der Bewegung für e k sich ergebe Schwingungsgleichung ist (Bd. I. §. 60)

$$\varphi = e^{-\epsilon t} \left\{ A \cos t \sqrt{k^2 - \epsilon^2} + B \sin t \sqrt{k^2 - \epsilon^2} \right\},$$

worin A und B zu bestimmende Konstanten sind. Hierin ist φ der Abst der Nadel von der durch den Strom bedingten Gleichgewichtslage, wie wir wieder den Abstand y vom Nullpunkt der Galvanometerteilung führen, und entspricht die Ablenkung p der neuen Gleichgewichts so ist

$$y = p + e^{-\epsilon t} \{ A \cos t \sqrt{k^2 - \epsilon^2} + B \sin t \sqrt{k^2 - \epsilon^2} \}.$$

Ist T die Schwingungsdauer der Nadel, so wissen wir zunschst

$$T\sqrt{k^2-\epsilon^2}=\pi; \qquad \sqrt{k^2-\epsilon^2}=\frac{\pi}{T}.$$

Zur Zeit t = 0, im Momente des Stromschlusses, beginnt die Na ihre Bewegung, wir erhalten demnach als erste Gleichung zur Bestimmt von A und B, dass für t = 0 auch y = 0, somit

$$0 = p + A; \qquad A = -p.$$

Zweitens ist für t = 0 auch die Geschwindigkeit gleich null; es

$$\begin{split} \frac{dy}{dt} &= -\varepsilon e^{-\varepsilon t} \Big\{ A \cos \pi \, \frac{t}{T} + B \sin \pi \, \frac{t}{T} \Big\} + \\ &+ e^{-\varepsilon t} \Big\{ -A \, \frac{\pi}{T} \sin \pi \, \frac{t}{T} + B \, \frac{\pi}{T} \cos \pi \, \frac{t}{T} \Big\}, \end{split}$$

somit, wenn t = 0 und A = -p gesetzt wird,

$$0 = \varepsilon p + B \frac{\pi}{T}, \qquad B = -p \frac{\varepsilon T}{\pi},$$

somit

$$y = p - pe^{-st} \left\{ \cos \pi \, \frac{t}{T} + \frac{sT}{\pi} \sin \pi \, \frac{t}{T} \right\}.$$

Zum erstenmale wird der größte Ausschlag erreicht für t = T, der

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere Wikstandsmessungen S. 841. Man sehe auch die Abhandlungen von K. Schriftber die Dämpfung in Galvanometern, Wiedem. Ann. Bd. IX, worin desell zeigt, daß die Größe e vom Ausschlage abhängig int, und diese Abhänäher untersucht.

in dem Momente wird nach Beginn der Bewegung die Geschwindigkeit gleich null. Der Wert dieses größten Ausschlages ist

$$y_1 = p(1 + e^{-\epsilon T}).$$

Die Gleichgewichtslage aus dem ersten Ausschlage y1 ergiebt sich also

$$p = \frac{y_1}{1 + e^{-\varepsilon T}}.$$

Für den Abstand y_2 der Nadel von der Gleichgewichtslage, wenn dieselbe nach der ersten Elongation zurückgekehrt ist, erhält man

$$y_2 = p(1 - e^{-2sT}).$$

Man kann also auch aus dieser und so jeder folgenden Schwingung den Wert von p berechnen, wenn ε und T bekannt sind. Beobachtet man mehrere Schwingungen, so erhält man T direkt. Die dämpfende Kraft ε muß direkt bestimmt werden.

Dieselbe besteht aus zwei Teilen, einem konstanten, welcher sich zeigt, wenn das Galvanometer nicht geschlossen ist und einem variabeln, von den Drähten des Multiplikators herrührenden, wenn diese zu einem Stromkreise geschlossen sind. Letzterer hängt ab von der Leitung, welche außerdem noch in den Schließungsbogen eingeschaltet ist, er ist um so kleiner, je größer dieser Widerstand ist, da mit dem Widerstande der Leitung die Stärke der in den Windungen induzierten Ströme abnimmt. Den konstanten Teil der Dämpfung erhält man aus Beobachtungen der Schwingungsbogen, wenn die Kette, zu welcher der Multiplikator gehört, geöffnet ist. Ist dann in natürlichen Logarithmen λ' das logarithmische Dekrement der Schwingungen, und T' die Schwingungsdauer, so ist nach §. 140 S. 1032

$$\frac{\lambda'}{T'} = \varepsilon'$$

das Mass des konstanten Teils der dämpfenden Kraft.

Zur Bestimmung des variabeln Teils der dämpfenden Kraft werden die Schwingungen beobachtet, wenn der Multiplikator in sich geschlossen ist. Ist λ'' das dann beobachtete logarithmische Dekrement, T'' die Schwingungsdauer, so ist das Maſs der gesamten dämpfenden Kraft

$$\frac{\mathbf{l''}}{T''} = \varepsilon'',$$

das Mass des von dem Multiplikatordrahte allein herrührenden Teiles, somit

$$\varepsilon'' - \varepsilon' = \frac{\lambda''}{T''} - \frac{\lambda'}{T'}$$

In den meisten Fällen sind T' und T'' so wenig verschieden, dass man ihren Unterschied vernachlässigen kann, dann ist

$$\varepsilon'' \leftarrow \varepsilon' = \frac{1}{T'} (\lambda'' - \lambda').$$

Man erhält daraus den bei Einschaltung eines äußeren Widerstandes variabeln Teil, wenn a der Widerstand des Multiplikators, b der der außeren Leitung ist, indem man jene Differenz mit $\frac{a}{a+b}$ multiplixiert, da

die Stärke der induzierten Ströme und damit die dämpfenden Kräfte sie umgekehrt wie diese Widerstände verhalten; der variable Teil ist also

$$\frac{a}{a+b}\left(\frac{\lambda''-\lambda'}{T'}\right);$$

wenn man also a einmal bestimmt hat, so ist in jedem einzelnen Fal nur mehr b zu beobachten, um sofort den variabeln Teil der Dämpfun zu erhalten. Die gesamte dämpfende Kraft ist dann

$$\varepsilon = \frac{\lambda}{T} = \frac{\lambda'}{T'} + \frac{a}{a+b} \left(\frac{\lambda'' - \lambda'}{T'} \right) = \frac{a\lambda'' + b\lambda'}{(a+b)T'}$$

Ist λ nicht in natürlichen Logarithmen gegeben, so bekommt d Nenner in dem Ausdrucke für ε noch als Faktor den Modulus des Log rithmensystems.

Mit dem so bestimmten Werte von ε oder $\lambda = \varepsilon T$ erhält man a den oben angegebenen Gleichungen die dem konstanten Strom entsprechen

Gleichgewichtslage p aus den beobachteten Elongationen.

Wir wollen als zweiten Fall die Bestimmung der Intensität ein Induktionsstromes aus der durch den Stofs bewirkten Ablenkung der Nadel betrachten. Es handelt sich, wie wir früher sahen, in dem Fadarum, die Geschwindigkeit, mit welcher die Nadel die Gleichgewichtslaverläfst, aus der beobachteten ersten Elongation zu bestimmen. Die Nadmacht um die Gleichgewichtslage, welche in diesem Falle die Nullades Galvanometers ist, die sie zur Zeit t=0 verläfst, isochrone Schwigungen, deren Dauer T sei. In der allgemeinen Gleichung

$$\varphi = e^{-\imath t} \left\{ A \cos \pi \, \frac{t}{T} + B \sin \pi \, \frac{t}{T} \right\}$$

haben wir demnach zur Bestimmung der Konstanten zunüchst $\varphi =$ für t = 0, somit A = 0

An Stelle der Konstanten B können wir zunächst die gesuchte G schwindigkeit C für t=0 einführen. Es ist

$$\frac{d\varphi}{dt} = -\varepsilon e^{-\epsilon t} B \sin \pi \frac{t}{T} + e^{-\epsilon t} B \frac{\pi}{T} \cos \pi \frac{t}{T}$$

Für t = 0 wird

$$\frac{d\varphi}{dt} = C = B \frac{\pi}{T}; \quad B = \frac{T}{\pi} C,$$

somit

$$\varphi = e^{-\epsilon t} \frac{T}{\pi} C \sin \pi \frac{t}{T}.$$

Die erste Elongation wird erreicht, wenn die Geschwindigkeit glei null geworden ist, wir erhalten dennach die Zeit (,, wann die einte s Gleichung (b), indem wir dieselbe gleich null setzen,

$$0 = -\varepsilon \sin \pi \, \frac{t_1}{T} + \frac{\pi}{T} \cos \pi \, \frac{t_1}{T},$$

$$\frac{\pi}{\varepsilon T} = \frac{\pi}{1} = \tan \pi \, \frac{t_1}{T}; \quad t_1 = \frac{T}{\pi} \arctan = \frac{\pi}{1},$$

weiter

$$\sin\frac{\pi}{T}\,t_1 = \frac{\pi}{\sqrt{\pi^2 + \lambda^2}}$$

und damit für die erste Elongation

$$\label{eq:phi1} \varphi_1 = e^{-\frac{\lambda}{\pi}\arctan \arctan = \frac{\pi}{\lambda}} \cdot \frac{T}{V^{\frac{-2}{\pi^2 + \lambda^2}}} \cdot C,$$

oder für die gesuchte Geschwindigkeit

$$C = \varphi_1 \, \frac{\sqrt{\pi^2 + \lambda^2}}{T} \, e^{\frac{\lambda}{\pi} \arctan g} = \frac{\pi}{\lambda} \, . \label{eq:constraint}$$

Die Ausdrücke für p und C kommen besonders zur Verwendung bei der Beobachtung nach der von W. Weber sowohl für konstante als für induzierte Ströme benutzten Multiplikationsmethode 1). Ist ein konstanter Strom zu schwach, als dass er durch die erste Ablenkung gemessen werden kann, so kehrt Weber in dem Momente, in welchem die Nadel die außerste Lage erreicht hat, den Strom um, so daß die durch den Strom bedingte Ruhelage - p wird; die Nadel schwingt zurück und geht über - p hinaus in eine der ersten entgegengesetzte äußerste Lage. Ist diese erreicht, so wird der Strom wieder umgekehrt, so dass die Gleichgewichtslage + p wird und die Nadel wieder auf die positive Seite hinüberschwingt; der Strom wird wieder umgekehrt, wenn dort die äußerste Lage erreicht ist, und so fort bis, was bald eintritt, die Schwingungsbogen, welche die Nadel von einer zur anderen äußersten Lage zurücklegt, konstant werden. Die Gleichgewichtslage p, somit die Stromstärke ergiebt sich aus den schliefslich konstant gewordenen Schwingungsbogen in folgender Weise.

Rechnen wir der Bequemlichkeit wegen die Zeit t für die zweite Schwingung vom Augenblicke des Stromumlegens, wodurch die Gleichgewichtslage — p wird, so wird die Schwingungsgleichung für dieselbe

$$y = -p + e^{-\epsilon t} \left\{ A \cos \pi \, \frac{t}{T} + B \sin \pi \, \frac{t}{T} \right\},\,$$

worin die Konstanten sich ergeben aus der Bedingung, daß für t=0 der Abstand $y=y_1=p\left(1+e^{-\epsilon T}\right)$ und $\frac{dy}{dt}$, die Geschwindigkeit gleich null ist. Der äußerste Abstand y_2 wird wieder zur Zeit t=T erreicht, und ergiebt sich leicht

$$y_2 = -p(1 + 2e^{-\lambda} + e^{-2\lambda}).$$

Für die dritte Schwingung wird die Gleichgewichtslage wieder + p, die Gleichung für y wird also wieder

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere Widerstandsmessungen S. 346.

$$y = p + e^{-st} \left\{ A \cos \pi \, \frac{t}{T} + B \sin \pi \, \frac{t}{T} \right\}$$

and es ist für t = 0 $y = -p(1 + 2e^{-\lambda} + e^{-2\lambda})$, ferner $\frac{dy}{dt} = 0$ wird für t = T

$$y_3 = p(1 + 2e^{-\lambda} + 2e^{-2\lambda} + e^{-3\lambda})$$

und so fort.

Die Schwingungsbogen werden,

der erste
$$y_1 = p(1 + e^{-\lambda}),$$

der zweite
$$y_1 + (-y_2) = p(2 + 3e^{-\lambda} + e^{-2\lambda}),$$

der dritte
$$(-y_2) + y_3 = p(2 + 4e^{-\lambda} + 3e^{-2\lambda} + e^{-3\lambda}),$$

der vierte
$$y_3 + (-y_4) = p(2 + 4e^{-2} + 4e^{-2} + 3e^{-3} + e^{-4})$$

und so fort. Die Reihe konvergiert rasch, so daß die bald konwerdenden Schwingungsbogen dargestellt werden können durch

$$Y = p \frac{4}{1 - e^{-\lambda}} - 2,$$

woraus sich p ergiebt

$$p = \frac{Y}{2} \frac{1 - e^{-\lambda}}{1 + e^{-\lambda}}.$$

Zur Messung der Induktionsströme wird bei der Multiplikat methode der Strom jedesmal umgekehrt, wenn die Nadel die Glgewichtslage passiert, ist also die erste Ablenkung durch den Schließs strom hervorgebracht, so wird bei der ersten Rückkehr der Nadel in Gleichgewichtslage der Öffnungsstrom erzeugt, bei der zweiten wiede Schließungsstrom u. s. f. Auch dann werden die Schwingungsbogen konstant. Man findet leicht, dass die konstanten Schwingungsbogen werden der Schwingungsbogen der Schwingungsbogen werden der Schwingungsbogen der Schwing

$$Y = \frac{2}{1 - e^{-\lambda}} e^{-\frac{\lambda}{\pi} \arctan = \frac{\pi}{\lambda}} \cdot \frac{T}{\sqrt{\pi^2 + \lambda^2}} \cdot C,$$

woraus sich die gesuchte Geschwindigkeit C beziehungsweise die S des Induktionsstromes ergiebt.

§. 150.

Dauer der Induktionsströme. Wenn wir die Intensität der duktionsströme in derselben Weise definieren wie die Intensität der stanten Ströme, so daß wir also die Intensität derselben der in glei Zeiten durch den Querschnitt des Leiters fließenden Elektricität protional setzen, so hängt bei gleicher elektromotorischer Kraft und gleic Widerstande der Leiter die Intensität der Ströme auch wesentlich der Dauer der Ströme ab. Denn wenn auch dieselbe Elektricitätsm durch dieselben Leiter fließt, so ist doch die in gleichen Zeiten dirgend einen Querschnitt des Leiters fließende Elektricitätsmenge ungrößer, je kürzer die Dauer des ganzen Stromes ist. Da wir nun frechen, daß die Wirkung der galvanischen Ströme mit deren Intenndert, so wird das Gleiche auch für die Wirkungen der Jadaktigelten; da indes die Dauer der Induktionsströme überhaue

kurz ist, so wird eben wegen dieses raschen Verlaufes die Wirkung derselben nicht unter allen Umständen mit ihrer Intensität sich ändern. Um zu erkennen, wann sich die Wirkungen mit der Intensität der Induktionsströme, dieselbe in der eben angegebenen Weise definiert, ändern, wann nicht, wird es am besten sein, die einzelnen Wirkungen der Reihe nach

durchzugehen.

Zur Messung der galvanischen Ströme wandten wir entweder die elektromagnetischen oder die chemischen Wirkungen an, indem wir sahen, dass einerseits die Ablenkung der Magnetnadel, und andererseits die in gleichen Zeiten stattfindenden chemischen Zersetzungen der Intensität der Ströme proportional sind. Diese beiden Wirkungen messen indes nicht die Intensität der Induktionsströme in der soeben angenommenen Bedeutung, sondern sie messen nur die gesamte durch die Induktion in Be-

wegung gesetzte Elektricität.

Die Induktionsströme verlaufen nämlich so rasch, daß wir die Wirkung derselben auf die Magnetnadel als einen momentanen Stofs, oder als eine Reihenfolge einzelner Stöße betrachten können, die sich so rasch folgen, dass alle Stösse die Nadel noch in ihrer Ruhelage treffen. Setzen wir nun voraus, dass in einer und derselben Leitung durch dieselbe induzierende Kraft ein Induktionsstrom erregt wird, daß aber in einem die Induktion die doppelte Zeit dauert als in dem andern, so wird in dem ersten Falle die Intensität des Stromes halb so groß sein als in dem zweiten Falle. Die Ablenkung der Magnetnadel wird aber dennoch in beiden Fällen dieselbe sein, da in dem ersten Falle die halbe Kraft der Magnetnadel gewissermaßen zwei Stöße versetzt, während in dem zweiten die Nadel nur einen Stofs von doppelter Stärke erhält. Die beiden Stöfse folgen sich in dem ersten Falle so rasch, dass die Nadel sie unter denselben Umständen erhält, die Geschwindigkeit der Nadel ist also dieselbe. Daraus ergiebt sich die schon §. 146 aufgestellte Behauptung, daß die Ablenkung der Magnetnadel nur den Integralstrom, nicht aber den Differentialstrom messe. Die Ablenkung der Magnetnadel kann uns also bei den Induktionsströmen nicht wie bei den konstanten Strömen Aufschluss über die augenblickliche Intensität eines Stromes geben, sondern sie giebt bei den Induktionsströmen, wie die chemischen Wirkungen bei den konstanten Strömen, nur die mittlere Intensität während der ganzen Dauer des Induktionsstromes.

Dass dasselbe von den chemischen Wirkungen gilt, bedarf wohl kaum einer besonderen Erwähnung, denn die chemischen Wirkungen liefern uns ja überhaupt nur ein Mass für die Stromstärke, unter der Voraussetzung, dass der Strom für die Dauer des Versuches konstant ist; die chemischen Wirkungen sind dem Produkte aus der Stromstärke in die Zeitdauer proportional. Die chemischen Wirkungen der Induktionsströme sind daher ebenfalls dem Produkte aus der mittleren Intensität in ihre Dauer proportional; ändert sich deshalb bei einem induzierten Leiter und derselben induzierenden Kraft die Dauer der Induktion, so ändert sich die chemische Wirkung nicht, da in demselben Verhältnisse wie die Dauer zunimmt, die mittlere Intensität abnimmt, das Produkt aus beiden also dasselbe ist.

Anders ist es jedoch bei den Wärmewirkungen der Induktionsströme. Wie wir sahen sind die in gleichen Zeiten von verschiedenen Strömen entwickelten Wärmemengen den Quadraten der Stromstärken proportient die Wärmewirkung eines Stromes innerhalb einer gewissen Zeit t ist ale dem Produkte aus dieser Zeit und dem Quadrate der Stromstärke wilmit dieser Zeit proportional. Daraus folgt dann auch, daß bei gleicher die tromotorischer Kraft und gleichem Widerstande die Warmewirkunge de Induktionsströme wesentlich von der Dauer derselben abhängen. Nehm wir der Einfachheit wegen an, dass die Intensität der Induktionsba während ihres Verlaufes konstant sei, so wird bei doppelt so langer Dur die Intensität des Stromes nur die Hälfte sein. Das Quadrat der hiesität ist dann 0,25, und multipliziert mit der doppelten Zeitdane vid das die Wärmewirkung messende Produkt 0,5. Unter ganz densile Umständen muß also, wenn wir die Intensität der Induktionsstrüm vil rend ihres Verlaufes konstant annehmen, die Warmewirkung dereits ihrer Zeitdauer umgekehrt proportional sein. Sind die Strome wied ihres Verlaufes nicht konstant, so wird eine solche einfache Beichng: nicht existieren, aber immer wird die Wärmewirkung um so größer zie je kürzer die Dauer der Ströme ist.

Gleiches gilt von den elektrodynamischen Wirkungen der Induktionsströme, wenn man z. B. einen und denselben Induktionsstrom durch in lose und feste Rolle eines Dynamometers leitet. Die dem Dynamometers erteilte Drehung ist dem Quadrate der Stromstärke proportional; bei der rasch verlaufenden Induktionsströmen wird aber gerade so wie bei der Galvanometer die Ablenkung auch der Dauer der Induktionsströme induktionsströme während ihre Verlaufes als konstant an, so wird die Ablenkung der Bifilarrolle bei gleicher Gesamtstromstärke gerade wie die Wärmewirkung der Dauer der Induktionsströme umgekehrt proportional sein. Sind die Ströme nicht konstatso wird auch dann unter sonst gleichen Umständen die Ablenkung der Bifilarrolle um so größer sein, je kürzer die Dauer der Ströme ist.

Auch die magnetisierende Wirkung der Induktionsströme muß ihrer Dauer sich ändern. Die magnetisierende Kraft eines konstanten Stromes ist einfach seiner Intensität proportional, sie hängt nicht der Dauer desselben ab; ja, so kurz wir auch die Dauer eines Strome machen können, das magnetische Moment einer Stahlnadel ist immer intensität des magnetisierenden Stromes proportional. Deshalb wird auter sonst gleichen Umständen die magnetisierende Kraft der Induktionströme abnehmen müssen, wenn die Ströme langsamer verlaufen.

Die Induktionsströme üben wegen ihres raschen Verlaufes, ähnich wie die Entladungen der Leydner Flasche, auch physiologische Wirkungaus, welche sich leicht durch Zuckungen in dem menschlichen Körpwahrnehmen lassen, wenn man mit demselben den Stromkreis einer beduktionsspirale schließt. Ein konstanter Strom übt merkbare physiologische Wirkungen nur aus, wenn er eine sehr große Stärke hat; wenn man eine vielplattige Voltaische Säule durch den Körper schließthlt man im Momente des Schließens, sowie des nachfolgenden Öfmeine Zuckung, um indes eine dauernde Empfindung beim Schließen in Stromes durch den Körper zu erhalten, muß man eine Kette von 30 50 Groveschen Elementen anwenden. Schwiebere konstante Ströme iman nur, wenn man einzelne empfindliche Teile den Körper zu erhalten.

kreis einschaltet. Daraus folgt, daß unser Nervensystem vorzugsweise für die Veränderung seines elektrischen Zustandes empfindlich ist, und je bedeutender diese Veränderung ist, um so empfindlicher wird der Organismus davon betroffen. Daraus folgt weiter, daß die physiologischen Wirkungen der Induktionsströme ebenfalls von der Dauer derselben abhängen, derart, daß unter sonst gleichen Umständen die Erschütterungen des Körpers um so kräftiger werden, je rascher sie verlaufen¹).

In den angegebenen Wirkungen haben wir demnach Mittel, den zeitlichen Verlauf der Induktionsströme, deren Gesamtintensität dieselbe ist, zu untersuchen.

Mit Hilfe derselben hat sich nun in der That gezeigt, dass der zeitliche Verlauf der Induktionsströme sehr verschieden sein kann, und daß mannigfache Einflüsse denselben bedingen. Dass zunächst der zeitliche Verlauf der durch Bewegung von Leitern erzeugten Induktionsströme sehr verschieden ist, das versteht sich nach der Theorie der Induktion und nach dem durch die Erfahrung festgestellten Satze, daß der Integralstrom nur von der Länge des von dem Leiter zurückgelegten Weges abhängt. von selbst. Aber auch die durch das Entstehen und Verschwinden von Strömen oder von Magnetismus erregten Ströme haben bei gleicher Gesamtintensität nicht gleiche Dauer. So lässt sich leicht zeigen, dass der Induktionsstrom in einer Spirale, welcher bei dem Schließen des primären Stromes entsteht, langsamer verläuft als der Öffnungsstrom, obwohl die Gesamtintensität beider Ströme dieselbe ist. Man erkennt das besonders leicht durch die Erschütterungen, welche beide Ströme dem sie schließenden Körper erteilen, die durch den Öffnungsstrom bewirkten Erschütterungen sind bedeutend stärker. Der Grund dieses Unterschiedes ist leicht ersichtlich. Wenn der Strom in der primären Spirale geschlossen wird, so wird in dem Stromkreise durch den entstehenden Strom zugleich der demselben entgegengesetzt gerichtete Extrastrom induziert; derselbe schwächt während seiner Dauer den entstehenden Strom; ist er verschwunden, so nimmt der entstehende Strom an Stärke wieder zu; diese Zunahme bedingt aber einen neuen Extrastrom und so fort, so dass notwendig eine gewisse Zeit vergeht, bis der entstehende Strom seine ganze Stärke erreicht hat. Wird dagegen der Stromkreis unterbrochen, so kann sich in demselben, wenn keine anderweitige Schliefsung vorhanden ist, der Öffnungsextrastrom nicht ausbilden, da für denselben kein Stromkreis vorhanden ist. Der Strom muß daher viel rascher verschwinden, als er entsteht?).

Derselbe Grund, welcher den Schliefsungsstrom verzögert, muß die Induktionsströme verzögern, wenn in der Nähe einer Induktionsspirale sich Metallmassen oder geschlossene Stromkreise befinden. Die Gesamtintensität des induzierten Stromes kann nicht geändert werden dadurch, daß sich zwischen der induzierenden und der Induktionsspirale, oder außerhalb

E. Du Bois-Reymond, Untersuchungen über tierische Elektricität Bd. I S. 258 ff.

²⁾ Über den Einflus der Extraströme auf die Entwicklung und das Verschwinden eines durch eine konstante Stromquelle gelieserten Stromes und der Induktionsströme sehe man v. Helmholtz, Poggend. Ann. Bd. LXXXIII. Felici, Nuovo Cimento II. Reihe Bd. XII. Cazin, Comptes Rendus T. LIX. p. 564, T. LX. p. 738. Annales de chim. et de phys. 4. Série, T. XVII. E. Du Bois-Reymond in Wiedemann Elektricitätslehre Bd. IV. §. 137 ff.

derselben eine Metallhülse oder Platte befindet, aber die in diesen Metalka erregten Induktionsströme müssen in der eben entwickelten Weise rezögernd wirken. Das zeigt sich auch in den Versuchen bestätigt.

Faraday 1) wandte als induzierende und induzierte Spirale Bandspiralen in der Weise wie Henry an und fand, dass die Ablenkung der Galvanometernadel bei gleicher Intensität des induzierenden Stromes imme dieselbe war, mochten zwischen die auf einander wirkenden Spirke Metallplatten gelegt werden oder nicht. Rijke 2) umgab bei seinen Vasuchen über die Extraströme die Spirale, in welcher der Extrastrom enegt wurde, mit einer zweiten Spirale; die galvanometrische Wirkung der Eurströme war dieselbe, mochte die zweite Spirale geschlossen oder geöftet sein. Trotz dieser Gleichheit der Gesamtstromstärke war aber die elektrodynamische Wirkung in beiden Fällen sehr verschieden; die Ablehlung des Dynamometers ist viel kleiner, wenn die zweite Spirale geschloser, als wenn sie offen ist. Mit Hilfe der thermischen Wirkungen habe Abria3) und Edlund1), und mit Hilfe der physiologischen Wirkunge Dove b) dasselbe für die Induktionsströme in Induktionsspiralen nach gewiesen.

Diese verzögernde Wirkung von Metallmassen erklärt auch die eigetümliche Verschiedenheit des Einflusses, welchen weiches Eisen im Innen einer Induktionsspirale ausübt, je nachdem es in massiven Cylindera ode in Form von Eisendrahtbündeln angewandt wird. Wenn man eine laduktionsspirale auf eine induzierende Spirale windet und dann in die itduzierende Spirale weiches Eisen legt, so wird die Stärke des induzierte Stromes bedeutend vergrößert, da dann nicht nur der entstehende wie verschwindende Strom, sondern auch der entstehende und verschwindert Magnetismus in der Induktionsspirale einen Strom erregt. Der von beterem herrührende Teil der elektromotorischen Kraft ist dem magnetischet Momente des in der Spirale liegenden Eisens proportional, er ist als derselbe, wenn das magnetische Moment des Eisens dasselbe ist. Der entsprechend zeigt sich auch die mit dem Galvanometer gemessene besamtintensität der Induktionsströme gleich, wenn das magnetische Monet des in der Spirale befindlichen Eisens dasselbe ist, die physiologische Wirkungen dagegen sind bedeutend größer, wenn das Eisen in Form ver Drahtbündeln verwandt wird.

Dass die verstärkte Wirkung in dem letzten Falle ihren Grund : der Verteilung des Eisens hat, welche das Zustandekommen der Induktion ströme verhindert, das ergiebt sich deutlich aus den Versuchen von Magnus⁶), nach welchen die stärkere physiologische Wirkung des Eiser sofort aufhört, wenn die einzelnen Eisendrähte durch ein leichtstässie Metall zu einem metallischen Continuum verbunden sind, oder wen. Eisendrähte in eine ringsgeschlossene Metallröhre geschoben werden Wz-

2) Rijke, Poggend. Ann. Bd. CII.

¹⁾ Faraday, Experimental researches Ser. XIV. art. 1709 ff. Poggend. As-Ergänzungsband 1.

Abria, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T. VII.
 Edlund, Poggend. Ann. Bd. CXXIII.
 Dove, Poggend. Ann. Bd. XXXX.

⁶⁾ Magnus, Poggend. Ann. Bd. XLVIII.

die Metallröhre indes der Länge nach aufgeschnitten, so tritt die stärkere

physiologische Wirkung wieder hervor.

Dove hat dann auch noch direkt gezeigt1), dass die stärkere physiologische Wirkung ihren Grund in dem rascheren Verlauf, also in der größeren Intensität des bei der Gegenwart von Eisenbündeln induzierten Stromes hat. Er wandte dazu den Differentialinduktor an; derselbe besteht aus zwei ganz gleichen hohlen Holzrollen, auf welche zunächst als induzierende Spirale eine gleiche Länge gleichen Kupferdrahtes in gleichen Windungen aufgewickelt war. Auf jede dieser Rollen war ferner eine Induktionsspirale gewickelt, beide Induktionsspiralen waren ebenfalls unter sich ganz genau gleich. Wurde durch die induzierenden Spiralen ein Strom geleitet, und wurden die beiden Induktionsspiralen entgegengesetzt mit einander verbunden, so hoben sich die Induktionsströme vollständig auf, so dass sie weder auf die Galvanometernadel eine Wirkung äußerten, noch auch eine physiologische Wirkung zeigten. Das war auch der Fall, wenn in beide Rollen gleiche Stücke weiches Eisen gelegt wurden. Diese Gleichheit beider Wirkungen hörte indes auf, wenn die eine der Rollen einen massiven Eisencylinder, die andere ein Drahtbündel enthielt. War dann in dem Differentialinduktor die Gleichheit des galvanometrischen Effekts erreicht, d. h. fand keine Ablenkung der Galvanometernadel statt, so war noch eine kräftige physiologische Wirkung zu Gunsten der Drahtbundel vorhanden; war dagegen keine physiologische Wirkung mehr wahrzunehmen, so wurde die Galvanometernadel kräftig von dem durch den massiven Eisencylinder erregten Strom abgelenkt.

Wenn bei diesen Versuchen die Gleichheit des galvanometrischen Effektes erreicht war, so blieb die Nadel nicht einfach ruhig auf dem Nullpunkt stehen, sondern sie erhielt immer im ersten Moment eine Zuckung nach der Seite, nach welcher der von dem Drahtbündel induzierte Strom sie ablenkte, und wurde dann auf den Nullpunkt langsamer zurückgeführt; ja selbst, wenn der Strom von dem massiven Eisencylinder im Galvanometer überwog, erhielt die Nadel im ersten Momente einen Stoß nach der Seite des von dem Drahtbündel induzierten Stromes, und dann erst wurde sie durch den Nullpunkt auf die andere Seite abgelenkt. Diese Zuckung der Nadel beweist, das in dem ersten Momente die Intensität des von dem Drahtbündel induzierten Stromes die größere ist, und das nur deshalb die Nadel auf die andere Seite abgelenkt wird, weil die Gesamtintensität des von dem massiven Eisen mit größerem magnetischen Momente induzierten Stromes die größere ist; sie beweist also, das das massive Eisen die Induktion wie jedes massive Metall verzögert²).

1) Dove, Poggend Ann. Bd. XLIX. Untersuchungen im Gebiete der Induktionselektricität. Berlin 1842.

²⁾ Auf die den alternierenden Entladungen einer Leydener Flasche entsprechenden oscillatorischen Bewegungen der Elektricität in nicht geschlossenen Induktionsspiralen können wir hier nicht eingehen. Man sehe die betreffenden Untersuchungen von v. Helmholtz. Verhandl. des naturhistor. medicin. Vereins zu Heidelberg. Jahrg. 1869. Berichte der Berliner Akad. Mai 1871. Bernstein, Poggend. Ann. Bd. CXLII. Blaserna, Archives des sciences phys. et natur. Nouv. série. T. XXXVIII. 1869. Monton, Journal de physique T. VI. Casin. Ann. de chim. et de phys. 5, série T. 1. Schiller, Poggend. Ann. Bd. CLIN.

§. 151.

Magnetelektrische und dynamoelektrische Induktionsappa Aus den in diesem Kapitel mitgeteilten Erfahrungen über die duktion ergiebt sich, daß man mit Hilfe derselben sehr kräftige und i verlaufende elektrische Ströme herstellen kann. Man hat daher vie elektromotorische Apparate, welche auf Induktion beruhen, konstr die wichtigsten derselben sollen hier beschrieben werden.

Die Induktionsapparate zerfallen in zwei Gruppen, die magnet trischen und die elektromagnetischen; in den ersteren werden die St durch Bewegung von Spiralen, welche mit Eisenkernen versehen sin der Nähe kräftiger Magnetpole erregt, in den letzteren dadurch, die einer induzierenden, ein Bündel Eisendrähte enthaltenden Spirale, won einer Induktionsspirale umgeben ist, abwechselnd Ströme unterbrund geschlossen werden. In der ersteren Gruppe werden also die St allein durch Magnetismus, teils durch die Bewegung der Spiraler den Polen, teils durch den entstehenden und verschwindenden Magmus der Kerne induziert; in der letzteren teils durch den entstehund verschwindenden Strom, teils durch den infolge dieses entstehund verschwindenden Magnetismus.

Der erste Induktionsapparat, welcher konstruiert wurde, wa magnetoelektrische Apparat von Pixii¹); derselbe ließe einen Huf magnet um eine den Schenkeln parallele Axe rotieren; vor denselbe fand sich ein Anker von der Form eines kurzen Hufeisens, dessen Sch mit Drahtspiralen umwickelt waren, so daß die Pole des rotier Magnets sich den Schenkeln des Ankers abwechselnd näherten, ab selnd von denselben sich entfernten. Auf diese Weise konnten nur kleinere Maschinen konstruiert werden, da größere Magnete sich schwierig in eine regelmäßige Rotation versetzen ließen. An allen skonstruierten Apparaten, so an denen von Saxton²), Ritchie³), Cla von Ettingshausen⁵) und anderen, wurden die Magnete deshalb f stellt und die mit Eisenkernen versehenen Spiralen vor den Polen selben in Rotation versetzt. Wir beschreiben von allen diesen Maschi nur die wohl am weitesten verbreitete Maschine von Stöhrer.

An den einfachen Stöhrerschen Apparaten, Fig. 292, liegt der eisenförmige Stahlmagnet NS horizontal auf dem Kasten K. Der net besteht aus mehreren, 5 oder 7 Lamellen, welche in der gelichen Weise zusammengelegt sind.

Zwischen den Schenkeln des Magnets und ihnen parallel be sich die die Anker tragende eiserne Umdrehungsaxe; dieselbe end

¹⁾ Pixii, Ann. de chim. et de phys. T. L. Poggend. Ann Bd. XXVI

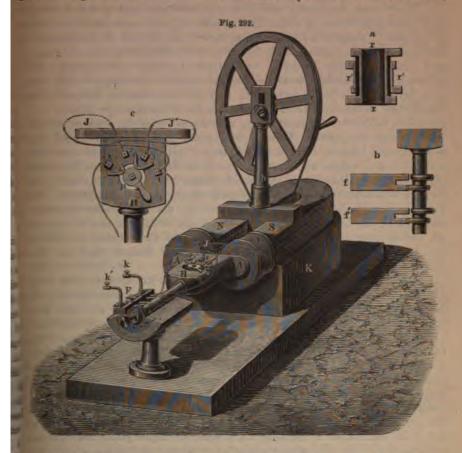
²⁾ Saxton, Philosophical Magazin vol. IX. 1836. Poggend. Ann. Bd. X. 3) Ritchie, Philosophical Transactions for 1833. Poggend. Ann. Bd. X. Poggend. Ann. Bd. XXXIX. S. 406.

⁴⁾ Clarke, Philosophical Magazin vol. IX. 1836. Poggend. Ann. Bd. XJ S. 406.

⁵⁾ v. Ettingshausen, Gehlers Wörterbuch II. Aufl. Bd. IX. Art. Mag elektricität.

⁶⁾ Man sehe galvanische Fernewirkungen von v. Feilitzsch in der Kanschen Encyklopädie und Wiedemann (Galvanismus. 2. And. Bd. U.

Spitzen, welche in Pfannen laufen. Auf der Axe befindet sich hinter der Säule b eine Rolle, über welche der Schnurlauf des Rades r hinreicht, durch welchen die Rotation der Anker bewirkt wird. Vor den Magnetpolen trägt die Axe den mit den Induktionsspiralen versehenen Anker;



derselbe besteht aus einer Eisenplatte AA, an welche zwei Eisenkerne angeschraubt sind, welche von den Induktionsspiralen J, J' umgeben werden. Bei den neueren Apparaten von Stöhrer sind die Enden der induzierten Drähte mit vier von einander isoliert auf dem Holzklötzchen H befestigten Kupferstücken verbunden, und zwar (siehe auch Nebenfigur c) die Enden der Spirale J' mit den Kupferstücken 1 und 3, die Enden der Spirale J mit den Kupferstücken 2 und 4; die Spiralen sind so gewunden, daß die Enden 1 und 2 einerseits, sowie 3 und 4 immer gleichartig elektrisch werden. Wird demnach das Kupferstück 1 mit 3, und das Stück 2 mit 4 leitend verbunden, so entsteht bei der Rotation des Ankers in jeder Spirale ein Strom, der entweder durch die Spiralen von 1 nach 3 und von 2 nach 4 geht, oder bei entgegengesetzter Drehung umgekehrt. Würde man daher z. B. 1 und 2 einerseits, 3 und 4 ande-

rerseits mit ein und derselben Leitung verbinden, so würden die in bes
Spiralen erzeugten Ströme gleichzeitig diese Leitung durchströmen, I
lich wie wenn man die Zinke zweier Elemente einerseits, die Kohlen d
selben andererseits mit einer Leitung verbinden würde.

Wenn man dagegen 2 mit 3 leitend verbände und 1 mit 4 der eine Leitung schlösse, so würde der in jeder Spirale erzeugte Strom au die andere durchlaufen, indem der Strom der Spirale J'z. B. werdurch die Spirale nach 3, von dort über 2 durch die Spirale J nach und dann durch die 4 und 1 verbindende Leitung weiter ginge; deselben Weg würde der Strom der zweiten Spirale einschlagen. Die letere Verbindungsweise unterscheidet sich von der ersteren dadurch, dei ihr der Widerstand in dem Elektromotor doppelt so groß ist.

Um beide Verbindungsweisen, von denen man die erstere wit wird, wenn die äußere Leitung nur einen geringen Widerstand herstellen zu können, dient der Pachytrop p. Derselbe besteht ans in Kupferscheibe, welche auf einer in dem Holze H eingelassenen Elfenbplatte um ihren Mittelpunkt drehbar befestigt ist, und welche zwei gal förmige Kupferstücke trägt. Die Scheibe kann so gestellt werden, die eine Gabel die Kupferstücke 1 und 2, die andere die Stücke und 4 berührt, oder, daß die eine Gabel die Stücke 2 und 3 berühe andere aber keines der Stücke. Im letzteren Falle gehen die Str von 1 durch J' nach 3, von da über 2 durch J nach 4, und von

durch die Leitung nach 1 zurück.

Die Leitung von 4 nach 1 wird durch den an dem vordern E der Axe befestigten Kommutator vermittelt. Derselbe besteht, wie Nebenfigur a im Durchschnitt und b perspektivisch zeigt, aus zwei ! centrischen, von einander isoliert auf die Axe aufgesetzten Metallrö rr und r'r'. Mit der Röhre rr ist das Kupferstück 1, mit r'r' Stück 4 durch einen Draht verbunden. Die Röhre rr ragt an bei Seiten über die Röhre r' r' hervor; die Enden der Röhre tragen ka förmige Wülste von Metall, welche abwechselnd liegen, und zwar so, wenn der erste von r (Fig. b) rechts liegt, der erste von r' links, zweite von r' wieder rechts und der zweite von r links liegt. Auf Metallwülsten schleifen Metallfedern f und f', welche mit Schrauben der Seite des Fuses F befestigt sind, und von denen f mit der Klen schraube k, f' mit der Klemmschraube k' leitend verbunden sind. Federn sind vorn gegabelt, so dass jedesmal eine der Zinken jeder Fe auf dem betreffenden Metallwulst schleift. Wenn f auf dem entsprech den Wulst von r' schleift, dann schleift f' auf dem entsprechenden W von r und umgekehrt. Ist nun k und k' leitend verbunden, so flie durch diese Leitung alle Ströme in derselben Richtung. Denn befir sich J (Fig. 292) augenblicklich vor dem Nordpole, J' vor dem Südp so wird, wenn J sich nach oben und zum Südpole bewegt, durch verschwindenden Südmagnetismus und den entstehenden Nordmagnetis ein Strom induziert, der von 2 durch die Spirale nach 4 geht, wird derselbe von 4 zur Röhre r' von dem entsprechenden Wulst Feder f, durch k, die Leitung kk' zu f', von da durch den entsprechen Wulst zur Röhre r und nach 1 zurückgehen. Von 1 geht dereilbe n Strome der zweiten Spirale vereint durch J' nach 3, dans

Pachytrop nach 2 und weiter wieder durch J nach 4, und so wie vorher durch die Leitung kk'. Wenn dann der Anker eine halbe Umdrehung zurückgelegt hat, so entfernt sich J nach unten vom Südpol und nähert sich darauf dem Nordpol, der in der Spirale induzierte Strom hat die entgegengesetzte Richtung, er fließt also von 4 nach 1 und von da zur Röhre rr. Da aber diese Röhre sich jetzt ebenfalls um 180° gedreht hat, so schleift die Feder auf dem entsprechenden Wulst derselben, und der Strom geht wieder von f über k durch die Leitung nach k' u. s. w.

Der Apparat von Stöhrer liefert also in der Leitung kk' stets eine Anzahl gleichgerichteter Ströme.

Durch eine etwas andere Anordnung des Kommutators hat Dove 1) diesen Apparat in den Stand gesetzt, auch abwechselnde Ströme zu liefern, und zugleich gelang es mit demselben auch den Anfangsextrastrom direkt und auf das unzweideutigste nachzuweisen. Wir müssen betreffs dieser interessanten Versuche auf Doves Abhandlung verweisen.

Die elektromotorische Kraft dieser Induktionsapparate hängt ab von der Anzahl der Polaritätswechsel in den Induktionsrollen, also bei einem und demselben Apparate von der Rotationsgeschwindigkeit der Anker. Durch Vermehrung der Magnete und Anker kann daher auch eine größere elektromotorische Kraft bei gleicher Rotationsgeschwindigkeit erzeugt werden; man hat deshalb später die Zahl der Magnete und Anker ganz erheblich vermehrt.

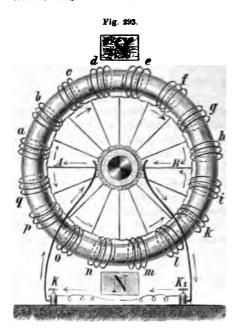
Ein erheblicher Fortschritt für die magnetelektrischen Maschinen trat ein durch die neuen Konstruktionen, welche einerseits von Pacinotti²) und Gramme³), andererseits von v. Hefner-Alteneck⁴) den Ankern der Maschinen gegeben wurden, welche dieselben in den Stand setzten, fast ganz kontinuierliche Ströme zu liefern.

Der von Gramme wohl ohne Kenntnis der Konstruktion von Pacinotti angegebene und jetzt allgemein als Grammescher Ring bezeichnete Anker besteht aus einem Kreisringe von massivem Eisen oder jetzt meist aus vielen Eisendrähten, der, wie es Fig. 293 andeutet, eine große Zahl einzelner von dem Ringe isolierter Spiralen trägt, welche alle gleichgewickelt und deren jede mit der folgenden leitend verbunden ist, so daß sie eine im ganzen um den Eisenring herumgehende Wickelung bilden. Der Eisenring mit der Spirale sitzt auf einer Holzscheibe und kann um eine durch seinen Mittelpunkt senkrecht zur Ebene des Ringes hindurchgehende Axe in Rotation gesetzt werden. Er rotiert zwischen den Polen eines Magnetes, welche nur ganz wenig mehr, als der äußere Durchmesser des bewickelten Ringes beträgt, von einander entfernt sind. Von den je zwei Spiralen verbindenden Drähten gehen radiale Drähte bis zur Axe und sind dort mit von einander und von der Axe isolierten Kupferstreifen verbunden, deren auf der Axe also soviel wie Spiralen vorhanden sind. Die

¹⁾ Dove, Poggend. Ann. Bd. LVI.
2) Pacinotti, Nuovo Cimento Bd. XIX (1865). II. Reihe Bd. XII. 1874.
3) Gramme, Comptes Rendus T. LXXIII p. 175, T. LXXV p. 1497. Dinglers Journal Bd. CCII, CCVII, CCVIII.

⁴⁾ Die Trommel der Siemensschen Maschinen von v. Hefner Alteneck datiert ans dem Jahre 1872.

Kupferstreisen sind in einem Cylinder um die Axe geordnet, so de mit diametral einander gegenüberliegenden Verbindungsdrähten. Spiralen verbundenen Kupferstreisen ebenfalls diametral einander überstehen. Zwei mit den Klemmen K und K, leitend verbundene !



oder Drahtbürsten sind ger Rotationsaxe gedrückt, sc wenn die Pole S und N v übereinander stehen, jedem beiden Kupferstreifen, wek-Horizontale A B passierer, m sen Federn resp. Bürsten z rührung kommen. werden in der Regel, um gu Unterbrechung des erregtes mes eintreten zu lassen. stellt, dass der nachfolgene tallstreifen schon die B berührt, ehe die gerade A. sierenden Streifen dieselbe lassen haben.

Um die Wirkung des zu übersehen, erwägen wnächst, daß in demselben N ein Südpol und durch Nordpol erregt wird, welch immer dieselbe Lage bei N behalten, auch wenn der Eisin Rotation versetzt wird. In

auf den rotierenden Ring wechseln dieselben somit stets ihre Lage. lich bleibt die Lage der Pole und die Verteilung des Magnetism Ringe dieselbe. Es ergiebt sich daraus, daß die Induktion in den Si wesentlich dieselbe ist, wie wenn der Eisenring feststände und mumwickelung in Rotation versetzt würde.

Verfolgen wir eine Spirale etwa a bei ihrer Rotation, welche über S nach B gehe und beachten zunächst nur den Magnetism Eisenringe, also den unterhalb S in demselben erregten Nordpol ur oberhalb N erregten Südpol. Die Spirale a nähert sich von A at sie sich in der Indifferenzzone des ringförmigen Magnets befindet Nordpole, geht über den Nordpol, indem derselbe die Axe der faurchwandert, weg und entfernt sich von demselben im zweiten Quad der Bahn, indem sie zur Indifferenzzone bei B hinübergeht. Ist passiert, so nähert sich die Spirale dem Südpole des Ringmagnets über denselben weg und entfernt sich auf demselben bis zur Indiffzone bei A.

Auf der ersten Hälfte der Bahn auf dem Wege von A tiber B wird in der Spirale nach dem Lenzschen Gesetze ein Strom s Richtung induziert, dals die im Sinne der Bewegung vordere Spirale so vom Strome umflossen wird, dals dieselbe dem Nord Magnets entspricht, die hintere Seite dem Sudpole, denn auf

Viertel der Bahn nähert sich die vordere Seite dem Nordpole, die Induktion muß also so sein, daß die elektrodynamische Wirkung die Spirale abstößt. Ist der Pol durch die Spirale hindurchgegangen, so ist die nintere Seite dem Pole zugewandt, welche sich vom Pole entfernt, die Induktion muß also derartig sein, daß die hintere Seite vom Pole angezogen wird, sie muß also wie auf dem ersten Viertel der Bahn einem Stadpole entsprechen. Die Wirkung, welche die Spirale auf dem Wege von A über S bis B erfährt, ist dieselbe, welche alle Spiralen a bis hoberhalb AB gleichzeitig erfahren. Alle diese Spiralen werden somit von einem Strom derselben Richtung durchflossen.

Sowie die Spirale die Indifferenzzone bei B passiert hat, ündert sich in derselben die Richtung des Stromes, die in der Bewegungsrichtung vordere Seite nühert sich dem Südpol, sie muß demnach ein Südpol werden, und sie bleibt ein Südpol, bis dieselbe bei A ankommt. Auch dies gilt für alle unterhalb AB befindliche Spiralen. Die beiden Hülften der Umwicklung werden somit von entgegengesetzten Strömen durchflossen; fließt in der oberen Hülfte der Strom von A über B nach B, so fließt er in der unteren von A über B nach B.

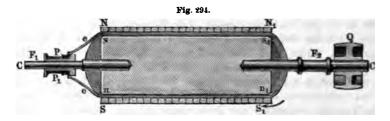
Die Wirkung der Ringpole wird durch die Pole S und N des Magnets verstärkt, unter resp. über welchen die Spiralen hergehen. Man erkennt das am einfachsten, wenn man die Teile der Windungen betrachtet, welche zwischen den Polen durchgehen; der soeben abgeleitete Induktionsstrom hat eine solche Richtung, daß der unter diesem Teile der Windung liegende Nordpol denselben der Bewegungsrichtung entgegen zurücktreibt; soll der oberhalb der Windung liegende Südpol den Strom in demselben Sinne treiben, so muß nach der Ampèreschen Regel der Strom dieselbe Richtung haben. Nach dem Lenzschen Gesetze muß demnach in einem zwischen einem Nordpol und einem Südpol hindurchgehenden Drahte von beiden Polen ein Strom derselben Richtung induziert werden.

Die gesamte Induktionswirkung liefert also in der oberen Hälfte der Wickelung eine in dem einen Sinne wirkende, in der anderen Hälfte eine im entgegengesetzten Sinne wirkende elektromotorische Kraft; ist der Ring nur in sich geschlossen, so kann demnach gar kein Strom zustande kom-Der Ring verhält sich wie zwei Reihen von Elementen, in deren jeder die Elemente hinter einander verbunden sind, und bei denen weiter die Zinke der beiden ersten und die Platine der beiden letzten Elemente in den beiden Reihen mit einander verbunden sind, die also so zu einander stehen, wie die beiden Elemente bei der Poggendorffschen Stromver-Werden aber jetzt die Klemmen K und K_1 mit einander leitend verbunden, so geht der von beiden Ringhälften erzeugte Strom durch die Kontaktsedern, welche den Kupferstreisen berühren, der gerade AB passiert, in die Leitung hintiber, gerade so, wie wenn die Punkte, in denen die beiden Zweige der Poggendorffschen Stromverzweigung zusammenstoßen, mit einander verbunden werden. Ist E die in jeder Ringhälfte vorhandene elektromotorische Kraft, w der Widerstand der Hälfte der Spiralen, R der äußere Widerstand von einer Kontaktfeder zur andern, so ist die Stromstärke

$$i = \frac{E}{R + \frac{1}{2}w}.$$

Dieser Strom ist jedesmal so lange vorhanden, als die Kontaktfed an dem betreffenden Kupferstreifen anliegen, er wird so lange unt brochen, als es Zeit dauert, dass der nüchstfolgende Kupferstreifen an Kontaktfeder kommt, nachdem der augenblicklich berührende Streif die Feder verlassen hat. Sorgt man dafür, dass der zweite Streifen en Angenblick früher an die Kontaktfeder kommt, ehe der erste sie verlass hat, so tritt keine Unterbrechung, sondern nur ein kleines Schwanken de Stromes ein.

Die Trommel von v. Hefner-Alteneck ist eine Vervollkommnung de ursprünglich von Siemens konstruierten Ankers¹), welcher die Magne induktion schon erheblich vollständiger ausnutzte, als es bei den früher Ankerkonstruktionen der Fall war, welche wie bei der Stührerschen M. schine über den Polen fort bewegt wurden. Einen Durchschnitt der Trommel zeigt Fig. 294, welche aus Schellens Buch über die magnetelektrische und dynamoelektrischen Maschinen²) entnommen ist. Siemens stellt die



induzierenden Hufeisenmagnete in eine Reihe neben einander, so dass e Nordpole NN und die Südpole SS zwei parallele Reihen bilden. Zwisch diesen Reihen um eine denselben parallele Axe CC rotiert der Sieme sche Anker, beziehungsweise die Trommel. Auf der Axe CC sitzt Eisencylinder nn. ss, dessen Durchmesser nur wenig kleiner ist als Abstand der Pole. Um diesen Eisencylinder sind Drahtspiralen gewick und zwar so, dafs die Windungen parallel der Rotationsaxe um den i linder geführt sind. Der Siemenssche Anker hatte nur eine solche Spirdie Hefner-Altenecksche Trommel hat deren eine größere Zahl, wel von einander isoliert sind und deren jede folgende gegen die vorhergebeum einen solchen Bruchteil des Kreisumfanges gedreht ist, als der n proke Wert der auf den Cylinder gewickelten Spiralen beträgt. Enden der einzelnen Spiralen sind zu Kupferstreifen geführt, wel auf der Rotationsaxe von einander isoliert aufgesetzt sind und du welche die Spiralen in passender Weise hinter einander geschaltet sind daß zwei Zweige, wie bei dem Grammeschen Ringe gebildet werden. daß also stets der Strom in beiden Zweigen, wie bei dem Grammes-Ringe, von dem die eine Kontaktbürste berührenden Kupferstreifen zu die andere Bürste berührenden strömt. Betreffs der Verbindungsweise Spiralenden mit den einzelnen Kupferstreifen des Kommutators verwei

Siemens, Poggend. Ann. Bd. Cl.
 Schellen, Die magnet- und dynamo-elektrischen Maschinen. Köln Dumont-Schauberg. 1. Anfl. 1879. 2. Aufl. 1883.

wir auf das Werkehen von Schellen, in welchem die Details der Anordnung besprochen sind.

Auch bei der Trommel werden in dem inneren Eisenkern durch die - Pole N und S im Raume feststehende, somit in Bezug auf den Eisenkern - ihre Lage stets ändernde Pole ss_1 und nn_1 erzeugt. Auch hier erfolgt also die Induktion im wesentlichen so, wie wenn der Eisenkern feststände und nur die Umwicklung desselben drehbar wäre. Man sieht demnach, dass auch hier in jeder Spirale bei einer Umdrehung auf der halben Bahn ein Strom in dem einen Sinne, auf der anderen Hälfte in dem entgegengesetzten Sinne erzeugt wird. Nehmen wir etwa den Sinn der Rotation so an, dass die in der Zeichnung jetzt untere Windung nach vorn und oben bewegt wird, so wird in der augenblicklichen Lage in der Windung ein Strom induziert, der unten von links nach rechts geht, also von vorn gesehen die Spirale umgekehrt durchläuft, wie die Bewegung des Uhrzeigers erfolgt. In Bezug auf die Richtung im Raume bleibt der Sinn des Induktionsstromes derselbe, da aber, wenn der untere Teil der Windung die Indifferenzzone passiert hat, dieser untere Teil zum oberen wird, so wird der Sinn des Stromes in Bezug auf die Spirale der entgegengesetzte. Während jetzt der Strom von dem Kupferstreifen p_i durch die Spirale nach p fliesst, fliesst er nach der Drehung, sobald die obere Partie der Windung die Indifferenzzone passiert hat, von p durch die Spirale nach p_1 . Man erkennt, dass man durch passende Hintereinanderfügung der Spiralenden, von denen jedesmal zwei zu einem Kupferstreifen führen, eine Stromleitung erreichen kann, welche derjenigen des Grammeschen Ringes

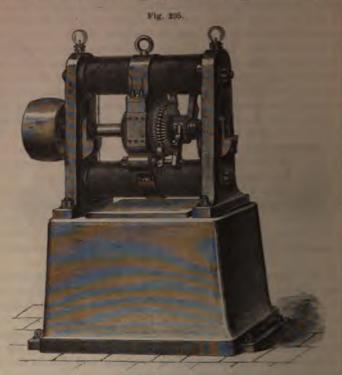
Dass die Trommel die Induktion günstiger ausnutzt als der Grammesche Ring erkennt man unmittelbar daraus, daß bei derselben stets alle vier Pole induzierend auf dieselbe Spirale wirken, während bei dem Grammeschen Ringe nur zwei Pole auf die einzelne Spirale wirken.

Eine ganz neue Zeit begann für die magnetelektrischen Induktionsapparate als Siemens¹) und fast gleichzeitig Wheatstone²) die permanenten Magnete durch Elektromagnete ersetzten und den in den Maschinen erzeugten Strom selbst zur Magnetisierung der Elektromagnete benutzten; es wurde dadurch das Princip der Holzschen Maschine auf die Induktionsmaschinen angewandt. Die Verwendung dieses Princips und der neuen Anker, des Ringes und der Trommel hat die neueren Dynamomaschinen geschaffen, welche der Verwendung der elektrischen Ströme im praktischen Leben eine früher ungeahnte Verbreitung gegeben haben; diese Maschinen liefern uns durch direkte Umsetzung von mechanischer Arbeit in elektrischen Strom Ströme, welche früher gar nicht oder doch nur mit für die praktische Verwendung unerschwinglichen Kosten erzeugt werden konnten.

Das Princip der Dynamomaschinen ist einfach folgendes. Das Eisen ist immer etwas magnetisch oder behält doch etwas Magnetismus, wenn es einmal magnetisiert war. Man denke sich nun zwischen den Polen eines so schwach magnetischen Elektromagnets einen Grammeschen Ring

Siemens, Poggend. Ann. Bd. CXXX.
 Wheatstone, Proceedings of the Royal Society of London XV. Februar 1867.

oder eine Hefner-Altenecksche Trommel in Rotation versetzt. Sie Kontaktbürsten durch eine Leitung verbunden, so ontstehen zunäch äußerst schwache Ströme, selbst wenn man dem Ringe eine sehr er Rotation erteilt. Diese Ströme führe man, indem man die Umwind desselben in die Leitung zwischen den Kontaktbürsten bringt, in solchen Sinne um den Elektromagnet, daß die Magnetisierung durch



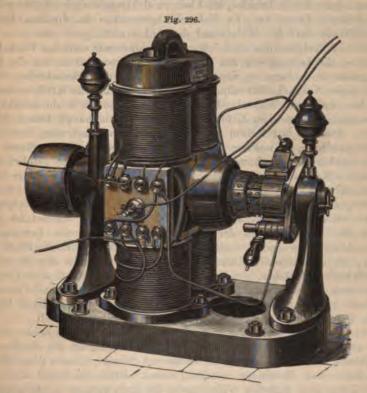
Ströme dem ursprünglichen Magnetismus gleich gerichtet ist, so wir Magnetismus des Elektromagnets verstärkt. Diese Verstärkung der netismus hat eine Verstärkung der Induktionsströme zur Folge, ihrerseits wieder das magnetische Moment des Elektromagnets verg und so fort, bis zu einem von der Beschaffenheit des Ankers und Magnets sowie von der Rotationsgeschwindigkeit des Ankers abha Maximum. Je stärker der Strom ist, um so größer ist nach den tionsgesetzen der Widerstand, der bei der Rotation des Ankers minden ist, um so größer also die Arbeit, welche zur Drehung zu ist. Diese Arbeit ist es, welche in elektrischen Strom verwande

Seitdem zuerst Siemens¹), Wheatstone²) und Ladd³) schon in 1867 derartige Maschinen gebaut haben, sind dieselben zu sehr

¹⁾ Siemens. Man sehe die Abhandlung von Schellen in Carls Repe

Wheatstone, a. a. O.
 Ladd. Man sehe Schellen, a. a. O.

Vollkommenheit gediehen und in sehr verschiedenen Formen und zu den verschiedensten Zwecken der Elektrotechnik gebaut worden. Wir verweisen deswegen auf die Lehrbücher der Elektrotechnik¹) und die verschiedenen Jahrgänge der elektrotechnischen Zeitschrift²). Wir geben nur in Fig. 295 die Abbildung einer Grammeschen Maschine und in Fig. 296 eine solche einer Siemensschen Maschine.



Bei beiden Maschinen sind, wie man sieht, die Magnete ringförmig geordnet und die Wicklung ist so geführt, daß bei Gramme die Mitte der horizontalen Arme, bei der neuen Form von Siemens die Mitte der vertikalen Arme die Pole werden. Bei der Siemensschen Maschine sind die Pole so geformt, daß sie die Trommel fast ganz einhüllen. Von den Kontaktbürsten gehen die Drähte zunächst in richtiger Führung um die Elektromagnete und dann erst zu den Klemmen, in welche die weitere Stromleitung eingeschaltet wird. Die Maschinen werden durch Dampfmaschinen oder Gaskraftmaschinen getrieben, durch Menschenkraft getrie-

 Elektrotechnische Zeitschrift, herausgegeben von dem elektrotechnischen Verein zu Berlin seit 1880.

¹⁾ Das schon vorher erwähnte Werk von Schellen giebt recht eingehende Beschreibungen einer großen Zahl von Maschinen; ebenso giebt der Bericht über die elektrische Ausstellung zu München viele Abbildungen von Maschinen.

bene Maschinen werden kaum mehr anders als zu Unterrichtszwecken verwandt. Die zu dem Betriebe erforderliche Kraft hängt davon ab, welche elektromotorische Kraft die Maschinen liefern sollen, die verwandten Eisen und Drahtmengen sowie die erreichte Rotationsgeschwindigkeit sind dafür maßgebend. Soll die elektromotorische Kraft eine große zur Überwindung großer äußerer Widerstände sein, so giebt man den Ankern viele Windungen relativ feinen Drahtes, für kleinere elektromotorische Kräfte werdet man dickeren Draht an. Zu Beleuchtungszwecken im direkten Betrieb mit Glühlicht darf der Widerstand der Anker nicht groß sein.

Die im Vorigen kurz beschriebenen Maschinen mit einfacher Wickelus, bei denen die Leitung von den Kommutatorbürsten einfach um die Elektromagnete und dann zu den weiteren Teilen des Stromkreises film, haben einen Nachteil, dass nämlich die elektromotorische Kraft wesentlich von dem äußeren Widerstande abhängig ist, so daß sie sobald der Widerstand eine gewisse Größe überschreitet, überhaupt keinen Swe Deshalb hat Edison zunächst Maschinen konstruiert, bei dens die Hauptleitung, in welcher der von der Maschine gelieferte Strom ver wandt werden soll, überhaupt nicht um die Elektromagnete geführt wid sogenannte Nebenschlussmaschinen. Bei denselben verzweigt sich der Stra sofort von den Kommutatorbürsten an, ein Zweig führt in vielfache Windunger, dunnen Drahtes um den Magnet, der andere Zweig führt de zur Verwendung gelangenden Strom. Ist der äußere Widerstand gok so ist die Stromstärke in der um den Magnet führenden Leitung, in Nebenschluts, eine große, deshalb auch die elektromotorische Kraft eine große, ist der äußere Widerstand kleiner, so ist auch der Strom in Nebenschluss schwächer, somit die elektromotorische Kraft eine kleinen Indem man in den Nebenschluss noch regulierbare Widerstände einschaltet, kann man es dahin bringen, dass man trotz sehr verschiedener Wider stände in der Hauptleitung fast ganz konstante Ströme erhält.

In neuerer Zeit wendet man vielfach sogenannte gemischte Wicklung an, (Compound-System), man führt den Hauptstrom um die Magnea und führt gleichzeitig einen Nebenschluß um dieselbe. Durch diese Wicklung kann man Maschinen erhalten, deren elektromotorische Kraft annähernd von dem äußeren Widerstande der Hauptleitung unabhängig ist indem konstante Rotationsgeschwindigkeit vorausgesetzt, Vermehrung der Widerstandes und damit Schwächung des Hauptstromes den Strem in Nebenschluß verstärkt und umgekehrt. Man erhält so bei passender Abgleichung der Leitungen innerhalb weiter Grenzen konstantes magnetische Moment und damit konstante elektromotorische Kraft.

Wir müssen uns hier mit diesen wenigen Andeutungen begnüge

§. 152.

Theorie der Dynamomaschinen. Wenn auch nach den Gesetzt der Induktion die Theorie der Dynamomaschinen im allgemeinen rochest und ein detailliertes Eingehen in das Gebiet der Elektrotechnik gebiet wollen wir doch auf die Theorie dieser Maschinen noch etwas niber zu gehen, um zu erkennen, von welchen Umständen die elektromiteite Kraft derselben abhängig ist. Nachdem schon früher Prolieh im

führliche Theorie der Maschine gegeben hatte¹), hat kürzlich Clausius durch Betrachtung aller einzelnen Vorgänge in den Maschinen eine vollständige Theorie derselben entwickelt²). Wir wollen das Wesentlichste der Theorie von Clausius hier vorführen.

Wir setzen eine Maschine mit einfacher Wickelung voraus, und denken uns zur Fixierung der Vorstellungen einen Grammeschen Ring. Wir verfolgen eine Spirale von der einen Kontaktbürste zur anderen; : wie wir schon sahen, und wie Clausius noch specieller nachweist, dürfen wir annehmen, der drehbare Eisenring stände fest und nur die Umwickelung laufe um den Eisenring. Da die Spiralen alle unter sich verbunden sind, somit die Induktion auf geschlossene Stromkreise stattfindet, erhalten wir die elektromotorische Kraft auf die Spirale nach der Neumannschen Theorie der Induktion aus der Änderung des Potentials der gegebenen Magnetismen auf die Spirale, vorausgesetzt, in derselben kreise die Einheit des Stromes. Ist W_1 das Potential der gegebenen Magnetismen auf die betrachtete Spirale, wenn dieselbe die eine Kontaktbürste verlüßt, W. das Potential, wenn sie die andere Kontaktbürste erreicht, so ist die auf diesem Wege erzeugte elektromotorische Kraft gleich $W_2 - W_1$, wenn wir die Masse wählen, welche die Induktionskonstante gleich 1 werden lassen. Auf der zweiten Hälfte der Bahn ist aus demselben Grunde, da die Spirale aus der Lage, wo das Potential W_2 ist, in jene **thergeht**, we es W_1 ist, die elektromotorische Kraft gleich $W_1 - W_2$, so dass wenn die Spiralen nur in sich geschlossen sind, die elektromotorischen Kräfte sich aufheben. Dadurch aber, dass in den Indifferenzzonen an den Kontaktbürsten die Ströme nach außen abgeleitet werden, ist in Bezug auf den äußeren Stromkreis die Induktionsrichtung dieselbe, so dass auch auf der zweiten Hälfte der Bahn die elektromotorische Kraft gleich $W_2 - W_1$ zu setzen ist.

Ist τ die Dauer eines Umlaufs des Ringes, so wird diese elektromotorische Kraft in der Zeit $\frac{1}{2}$ τ induziert; messen wir die mit der Maschine erzeugten Ströme nach Art der konstanten Ströme durch die Elektricitätsmenge, welche in der Zeiteinheit durch den Querschnitt des Leiters geht, so erhalten wir die elektromotorische Kraft, wie sie in der Gleichung des Ohmschen Gesetzes einzusetzen ist, indem wir $W_2 - W_1$ durch $\frac{1}{2}$ τ dividieren.

Aus diesem für die einzelne Spirale erhaltenen Werte für die elektromotorische Kraft erhalten wir die für den ganzen Ring vorhandene, indem wir die für die einzelne Spirale gegebene elektromotorische Kraft mit der halben Anzahl der auf dem Ringe vorhandenen Spiralen multiplizieren. Denn wenn auch jede Spirale bei einem halben Umlaufe diese elektromotorische Kraft erhält, so ist es doch zur Ableitung des Stromes, wie wir sahen, notwendig, die eine Hälfte der Spiralen neben die andere zu schalten; ist n die Anzahl der Spiralen, so verhalten sie sich wie 2 Doppelelemente, wie wenn also von n Elementen erst je zwei neben ein-

¹⁾ Frölich, Elektrotechnische Zeitschrift. Jahrg. 1881 S. 134. Jahrg. 1885 S. 128; die dynamoelektrische Maschine. Berlin bei Springer. 1886.
2) Clausius, Wiedem. Ann. Bd. XX.

ander verbunden wären und diese je zwei verbundenen $\frac{n}{2}$ Elemente hinter einander geschaltet wären. Die elektromotorische Kraft, welche in Ringe durch die vorhandenen Magnetismen in der Zeiteinheit induziert wird, ist somit

$$E_1 = \frac{n}{2} \; \frac{W_2 - W_1}{\sqrt[n]{2\pi}} = \frac{n}{\pi} \; (W_2 - W_1).$$

Statt der Umlaufsdauer führen wir deren reciproken Wert, die Unlaufszahl ein; bezeichnen wir diese mit v, so wird

$$E_1 = n (W_2 - W_1) v.$$

Die so berechnete elektromotorische Kraft wird indes durch die kduktion, welche die Spiralen infolge des in ihnen eintretenden Richtungwechsels des Stromes auf einander ausüben, etwas geschwächt; diese kduktion tritt ein, wie Clausius im einzelnen verfolgt, wenn die einzelne Spirale aus der einen Hälfte des Ringes in die andere eintritt. Dieselne ist jedenfalls der Intensität i des in jeder Ringhälfte vorhandenen Strome und der Umlaufszahl proportional, da dieser letztern die Zahl der Strome wechsel proportional ist. Ist demnach ϱ ein von der Konstruktion der Maschine abhängiger Faktor, so setzt Clausius diese elektromotorische Kraft

$$E_2 = -\varrho i v$$
,

worin das negative Vorzeichen andeutet, daß diese elektromotorische Kräft der ersten entgegengerichtet ist. In Bezug auf ϱ macht Clausius darst aufmerksam, daß dessen Wert mit der Zahl der einzelnen Spiralen abnimmt. Denn wenn auch die Zahl der Stromwechsel mit n zunimmt, sist die Induktion einer Spirale auf sich selbst und auf die Nachbarspirat dem Quadrate der Spirallänge, somit dem reciproken Wert des Quadrate der Anzahl der Spiralen nahezu proportional. Die Summe $E_1 + E_2 = E$ giebt uns die gesamte elektromotorische Kraft

$$E = n \left(W_3 - W_1 \right) v - \varrho i v.$$

Die in diesem Ausdrucke vorkommende Potentialdifferenz können wir sofort durch die Arbeit ausdrücken, welche zu dem Betriebe der Maschinaufzuwenden ist, beziehungsweise die Arbeit, welche geleistet werden muli, um die Spiralen entgegen den elektromagnetischen Wirkungen zu bewegt. lst W, das Potential der gegebenen Magnetismen auf eine Spirale an der orsten Kontaktbürste, wenn die Spirale von der Einheit der Stromstärkdurchflossen ist, so ist das Potential auf dieselbe, wenn es von einer stärkern Strome durchflossen ist, gleich dem Produkte aus W, und diese Die Spiralen des Ringes werden stets sämtlich von einen Stromstärke. Strome durchflossen, dessen Intensität $\frac{1}{2}i$ ist, wenn wir die Stromstärk im äußern Stromkreis i nennen. Es ist somit das Potential $\frac{1}{2}iW_i$ Durch die Drehung um den halben Umfang geht das Potential über i 1/2 i W2. Die Arbeit, welche bei dieser Überführung von der Spirale :* leistet wird, beziehungsweise zu dieser Überführung geleistet werden den ist nach §. 9 $|V_{i}(\mathbf{W} - \mathbf{W})|^{2}$

Sind n Spiralen vorhanden, so muss für jede Spirale dieselbe Arbeit geleistet werden, da die Arbeit für die untere Hälfte des Ringes genau dieselbe ist, wie für die obere. Die Arbeit $n^{1}/_{2}i\left(W_{1}-W_{2}\right)$ wird in der Zeit einer halben Umdrehung geleistet, somit in der Zeit $^{1}/_{2}\tau$. Die in der Zeit einer Sekunde geleistete Arbeit ist somit

$$T = n \frac{\frac{1}{2}i}{\frac{1}{2}\pi} (W_1 - W_2) = ni(W_1 - W_2)v,$$

oder es ist

$$n(W_2 - W_1)v = -\frac{T}{i}.$$

Setzen wir diesen Wert in die Gleichung für E, so wird

$$E = -\frac{T}{i} - \varrho iv.$$

Diese Arbeit T können wir durch die Magnetismen der Maschine und die magnetischen Momente der Spiralen ausdrücken, sie ist dem Produkte beider proportional. Es handelt sich demnach darum, diese Größen näher zu bestimmen.

Der Magnetismus resp. das magnetische Moment M der festen Elektromagnete wird, wenn die Maschine im regelmäßigen Gange ist, durch den die Windungen des Elektromagnetes umfließenden Strom von der Stärke i unterhalten. Anstatt der früher besprochenen komplizierten Beziehungen zwischen der magnetisierenden Kraft und dem erregten Magnetismus genügt es nach Messungen von O. Frölich¹) zu setzen

$$M = \frac{Ai}{1 + \alpha i},$$

worin A und α von der nähern Konstruktion der Maschine abhängige Konstante sind.

Das magnetische Moment des festen Magnetes ist die magnetisierende Kraft für den Eisenring; derselbe erhält dadurch ein magnetisches Moment, dessen Axe mit derjenigen des Momentes des festen Magnetes zusammenfällt, und welches wir nach der Frölichschen Relation setzen müssen

$$P = \frac{CM}{1 + \gamma M},$$

wo wieder C und y zwei Konstante bedeuten.

In Wirklichkeit fällt die magnetische Axe des Ringes nicht mit der magnetischen Axe des festen Magnets zusammen, da durch den in den Spiralen erregten Strom der Ring ebenfalls magnetisiert wird und zwar in einer zur ersten senkrechten Richtung. Nennen wir N die magnetisierende Kraft der von dem Strome i umflossenen Umwicklung, so daß N=Bi zu setzen ist, wo B eine von der Umwicklung des Ringes abhängige Konstante ist, so ist das dem Ringe durch diesen Strom erteilte Moment

$$Q = \frac{CN}{1 + \gamma N}.$$

¹⁾ O. Frölich, Elektrotechn. Zeitschrift Bd. II (1881) S. 139.

Aus den Momenten P und Q kann man das resultierende M des Eisenringes und die Lage der Axe desselben berechnen. Zur B nung der Arbeit kommen indes nur die Momente M und P in Bei da das durch den Strom in dem Ringe erzeugte Moment auf die Bew der Umwicklung keinen Einfluß hat. Der Widerstand, welchen di dem Strome i durchflossenen Spiralen in ihrer Bewegung durch Magnetismus des festen Magnetes finden, ist dem Magnetismus M un magnetisierenden Kraft resp. dem magnetischen Moment N der eströmten Spiralen proportional. Wir können demnach die bei einer drehung zu leistende Arbeit gleich — hNM setzen, worin wir das tive Vorzeichen schreiben, um anzudeuten, daß die Arbeit durch äußere Kraft geleistet werden muß. Bei einer Umdrehungszahl demnach die zu leistende Arbeit

$$- hNM \cdot v.$$

Ganz ebenso ist die infolge des magnetischen Moments P zu lei Arbeit gleich

-kNPv

zu setzen, worin h und k Konstante sind. Wir erhalten somit

$$T = -hNMv - kNPv.$$

Setzen wir für P seinen Wert ein, wobei wir gleichzeitig u Formeln, welche ja doch nur Näherungsformeln sind, nicht zu skomplizieren, im Nenner für P anstatt $1 + \gamma M$ einsetzen $1 + \beta i$, eine neue Konstante ist, so wird

$$T = -MN\left(h + \frac{kC}{1 + \beta i}\right)v$$

und damit

$$Ei = MN\left(h + \frac{kC}{1 + \beta i}\right)v - \varrho i^2v.$$

Dieser Wert für T und E ist entwickelt unter der Vorausse der Eisenring nehme nicht an der Rotation teil, es wurde aber schon erwähnt, dass das Mitrotieren des Eisenringes die Verhältn soweit nicht ändert. Dagegen hat die Bewegung des Eisens einen ders bei großer Umlaufszahl v hervortretenden doppelten sekundäre flufs. Zunächst wird durch die Trägheit, welche das Eisen in Bez die Änderung seines magnetischen Zustandes hat, die Lage der m schen Axe im Eisenringe etwas gegen die Lage der Axe im festen 3 im Sinne der Rotation gedreht. Es tritt hierdurch nicht nur ei derung der Lage der Indifferenzzone ein, der man durch eine Är der Stellung der Kommutatorbürsten Rechnung tragen kann, som tritt auch eine Vermehrung der Arbeit und eine Verminderung zeugten elektromotorischen Kraft ein. Ferner aber entstehen, be in massiven Eisenkernen durch die Rotation zwischen den Polen des Magnets die in §. 148 betrachteten Induktionsströme in körperlich tern, die man jetzt Foucaultsche Ströme nennt. Auch diese bewirk Vermehrung der Arbeit und eine Verminderung der elektromote Kraft; sie werden indes sehr geschwächt, wenn man anstatt sizes 🗠 Eisenringes einen aus Eisendrahtbündeln hergestellten Ring wählt. Beide - Umstände haben eine Erhitzung des Ankers zur Folge, indem die ganze durch diese Umstände bewirkte Arbeit im Anker in Wärme umgesetzt wird. Ohne die Entwicklungen von Clausius in Betreff dieser Wirkungen t zu verfolgen, geben wir nur das Resultat derselben. Ist η eine sich auf : die Foucaultschen Ströme, ε eine auf die Lagenänderung der magnetischen z Axe beziehende Konstante, so wird schliesslich

$$T = -\left[\dot{MN}\left(h + \frac{kC}{1 + \beta i}\right)v + kM^{2}\left(\eta + \frac{iC}{1 + \beta i}\right)v^{2}\right],$$

$$Ei = MN\left(h + \frac{kC}{1 + \beta i}\right)v - \varrho i^{2}v - kN^{2}\left(\eta + \frac{iC}{1 + \beta i}\right)v^{2}.$$

Ist R der Widerstand im Stromkreise, welcher von dem von der Maschine gelieferten Strome durchlaufen werden soll, so können wir E = Ri schreiben; beachten wir gleichzeitig, daß

$$M = \frac{Ai}{1 + \alpha i}, \qquad N = Bi,$$

so sieht man, dass die letztere Gleichung eine Beziehung liesert zwischen der Stromstärke i, der Umlaufszahl v, dem Widerstande R im Stromkreise und einer Anzahl der Maschine angehörigen Konstanten, welche theoretisch nicht bestimmbar sind. Die erstere Gleichung liefert die zur Erzeugung des Stromes erforderliche Arbeit.

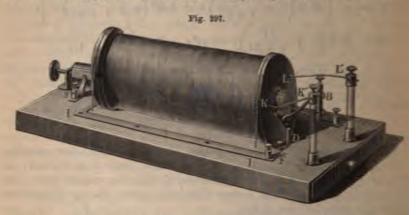
Wir unterlassen die Ausführung dieser Rechnungen und verweisen wegen derselben auf die Abhandlung von Clausius. Eine detaillierte Behandlung der Maschine, auf etwas vereinfachter theoretischer Grundlage giebt Frölich in dem vorhin schon erwähnten Werke.

Nur sei kurz erwähnt, dass ebenso wie wir in den Dynamomaschinen Arbeit in Strom umsetzen, ebenso auch umgekehrt Strom in mechanische Arbeit umgesetzt werden kann. Wird in den Stromkreis der Maschine der Strom i eingeleitet, so liefert die Maschine als elektromagnetischer Motor gebraucht, die Arbeit T^1). In dieser Weise werden die Dynamomaschinen zur elektrischen Kraftübertragung verwandt. Wegen des Nähern verweisen wir auf die Werke über Elektrotechnik²).

¹⁾ Man sehe Clausius, Wiedem. Ann. Bd. XXI.
2) Ebenso verbietet es uns der Raum, an dieser Stelle auf die mannigfachen Anwendungen der dynamoelektrischen Maschinen resp. des Princips der Induktion in der Technik einzugehen. Nur kurz können wir auf das von Bell im Jahre 1877 konstruierte Telephon (Fernsprechapparat) hinweisen, welches seit der kurzen Zeit seines Bestehens eine für das praktische Leben so hohe Bedeutung gewonnen hat. Dasselbe beruht auf Magnetinduktion und ist auch deshalb physikalisch interessant, weil es zeigt, mit welcher Schärfe die Induktion jede auch noch so minimale Schwankung des Magnetismus wiedergiebt. In seiner jede auch noch so minimale Schwankung des Magnetismus wiedergiebt. In seiner ursprünglichen Form bestand das Telephon aus einem cylindrischen in einem Holzcylinder mit einer Schraube etwas axial verschiebbar eingesetzten Magnet. An seinem einen Ende ist der Hohlraum des Holzcylinders etwas erweitert, und in dieser Erweiterung befindet sich eine kleine Induktionsrolle aus vielen Windungen feinen Drahtes auf den Magnet aufgeschoben, so daß das Ende des Magnets soeben über der Rolle hervorragt. Auf dem obern Rande des Holzcylinders ist eine dünne Eisenblechplatte befestigt, so daß ihre Ebene senkrecht zur Axe des Magnets ist, und die Axe die Mitte der Platte trifft. Die Platte

§. 153.

Elektromagnetische Induktionsapparate. Induktionsapparate is zweiten Art, elektromagnetische, wurden wohl zuerst von Masson in Breguet¹) konstruiert und später vielfach zur Benutzung der physiologischen Wirkungen zu medizinischen Zwecken verwandt. Jetzt werder in Apparate ganz vorzüglich von Stöhrer und besonders von Rühmkorff in struiert. Den Apparat von Rühmkorff zeigt Fig. 297. Der induzieren



Draht ist auf eine Rolle von Pappe gewickelt, welche zwischen zwei dick Spiegelglasplatten, die in ihrer Mitte ein der innern Weite der Röhre gleich Loch besitzen, befestigt ist. Die Pappröhre ist mit einem Bundel dum Drähte von weichem Eisen, welche einzeln gefirnist sind, angelu Das Bundel ragt an der einen Seite ein wenig aus der Röhre herv

wird an ihren Rändern auf dem Holzcylinder befestigt durch einen Holzring, in seiner Mitte einen trichterförmigen Aufsatz hat, so daß die offene Mündiges Trichters gerade gegen die Mitte der Eisenplatte zeigt. Die Enden der duktionsrolle sind mit den Enden der Induktionsrolle eines ebensolehen Aprates verbunden, der sich in beliebiger Entfernung befindet. Spricht man gegie Eisenplatte, so nimmt dieselbe gerade wie die Platte des Phonograpialle Schwingungen an; da jede Annäherung der Platte an den Magnet Magnetismus verstärkt, jede Entfernung den Magnetismus schwächt, so weeks der Magnetismus genan nach den gleichen Schwingungsperioden seine Stät Dadurch werden genan nach den gleichen Perioden Induktionsströme in der duktionsrolle erzeugt, welche ihrerseits die Induktionsrolle des entfernten Apparates durchlaufend den Magnetismus des Magnets dieses Apparates nach gleichen Periode ändern. Infolge dieser Änderung des Magnetismus gelangt Platte des entfernten Apparates in dieselben Schwingungen wie jene des ers Apparates und ein an den Trichter des zweiten Apparates gelegtes Ohr bedeutlich das in den ersten Apparat Hineingesprochene. Über andere Formen Telephons sehe man Hartlebens elektrotechnische Bibliothek VI. Bd.: Schwar das Telephon u. s. w. II. Aufl. Wien 1883; Wietlisbach, die Technik des Fesprechwesens. Wien 1886. Über die Theorie des Telephons sehe man E. Bois-Reymond, Verhandl. der physiolog. Gesellschaft zu Berlin 1877 Nr. Archives des sciences physiques 3 série T. I.; Aaron, Widem. Ar Wietlisbach, Wiedem. Ann. Bd. XVI.

Masson und Breguct, Annales de chim. et de phys. III. Ser. T. W.

Der induzierende Draht hat eine Dicke von 2-2,5 mm und ist in circa 300 Windungen um die Röhre gewickelt.

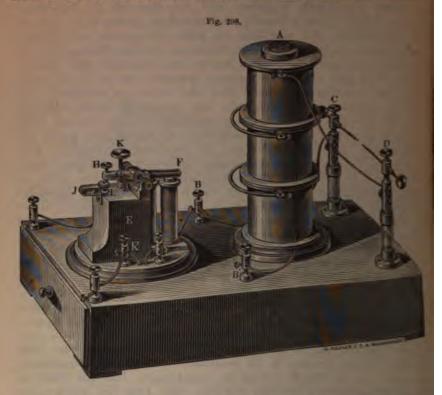
Die induzierende Spirale ist von einer Glasröhre oder einer Röhre hartem Kautschuk umgeben, und auf diese ist die Induktionsspirale gewickelt; dieselbe besteht aus Kupferdraht, dessen Dicke 0,25 mm nicht überschreitet, der sorgfältig mit Seide übersponnen und gefirnist ist, und welcher in ungefähr 30000 Windungen um die Röhre geführt ist. Die einzelnen Lagen des Drahtes werden noch besonders von einander isoliert, indem jede als Ganzes nochmals gefirnist oder mit einer Schicht Wachs oder Derartigem überzogen wird, oder indem man zwischen je zwei Lagen des Drahtes noch Wachspapier oder eine dünne Guttaperchaplatte legt. Bei den ältern Rühmkorffschen Apparaten ist das durchaus erforderlich, da dort der Draht von einem Ende der Spirale zum andern und wieder zurück gewickelt ist, so dass die über einander liegenden Windungen zum Teil sehr weit von einander entfernten Stellen des Drahtes entsprechen. Bei der Erregung der Induktionsströme nimmt aber die elektrische Dichtigkeit in dem Drahte von der Mitte gegen die Enden hin sehr bedeutend zu, so dass dieselbe in von einander entfernten Stücken des Drahtes sehr verschieden ist Liegen solche Stücke über einander und sind nicht sorgfältig von einander isoliert, so findet deshalb leicht ein direktes Übertreten der Elektricität von einer Lage zur andern statt. Die Enden der Induktionsspirale treten bei K und L hervor und sind mit den auf isolierenden Glasfüssen befestigten Klemmschrauben K' und L' verbunden.

Um den induzierenden Strom beliebig zu leiten und ihn zu unterbrechen, ist in denselben ein Rühmkorffscher Kommutator und ein Wagnerscher Hammer eingeschaltet. Der Kommutator befindet sich an dem einen Ende der Spirale, in der Zeichnung links; die zu den Polen der Säule führenden Drähte werden in die seitlichen Klemmen des Kommutators, deren eine s in der Figur sichtbar ist, eingeklemmt. Das eine Stück der Axe des Kommutators ist dann mit dem einen Ende des induzierenden Drahtes in Verbindung, das andere Stück der Axe ist durch den Metallstreif ll mit der Klemme F leitend verbunden, welche mit dem unter dem Hammer des Unterbrechers stehenden Säulchen D in leitender Verbindung steht. Das andere Ende des induzierenden Drahtes ist in der Säule B eingeklemmt, welche den Hammer des Unterbrechers trägt. Wenn der Strom von s in den Kommutator, dann über ll nach F fliefst, so tritt er über D durch den Hammer in die Induktionsspirale, durchfliesst dieselbe und geht durch den Kommutator zur Säule zurück. Dadurch wird das Drahtbündel in der Spirale magnetisch, zieht den Hammer an, und der Strom wird bei D unterbrochen. Der Hammer fällt dann wieder nieder und der Strom wird wieder geschlossen.

Auch bei der vorsichtigsten Isolation ist man bei dem ältern Rühmkorffschen Apparat genötigt, nur schwache induzierende Ströme anzuwenden, da sonst zu leicht ein Durchbrechen der isolierenden Schichten eintritt; deshalb hat Poggendorff¹) den Vorschlag gemacht, die Induktionsrolle aus mehreren kleinen Stücken zusammenzusetzen, deren Enden leitend

¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. XCIV.

verbunden werden. Diesen Vorschlag hat Stöhrer ausgeführt¹) und des Apparate die Form Fig. 298 gegeben. Bei demselben steht die induzieren Rolle A mit dem Drahtbündel vertikal. Auf dieselbe ist die Induktion



rolle in drei einzelnen Teilen geschoben, deren Enden durch die Metabügel mit einander verbunden sind; das Außere Ende der letzten Belleist mit der isolierten Säule D, das innere der ersten mit der Säule in leitender Verbindung. Die Enden der induzierenden Spirale sind unden Klemmen B und B' verbunden. E ist der Unterbrecher; dersells besteht aus einem Elektromagnete, der auf den Hammer GF wirkt, aum den Elektromagnet gewickelte Draht ist einerseits mit der Klemme A, andererseits mit der metallischen Axe des Hammers GF verbunden, warrend die Kupferfeder J, auf welche der Stift H drückt, wenn der Hammicht angezogen ist, mit der Klemme k in leitender Verbindung ihm Der Stift H ist an seinem untern Ende aus Platin, und unter dem Stiftauf der Feder J ist eine Platinplatte aufgelegt.

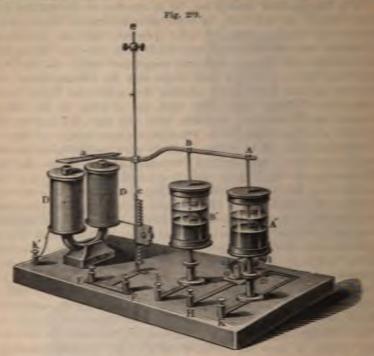
¹⁾ Stöhrer, Poggend. Ann. Bd. XCVIII, Auch Rühmkorff wickelt, mir mitteilte, seine Induktionsrollen jetzt ühnlich aus einzelnen Stücken, inter schmale Streifen der Rollen bis zur vollen Dicke windet, und so die parkolle aus derartig schmalen Einzelrollen zusammensetzt. Hesunders im in großen Induktionsapparaten, deren Rollen mehr als 0,5 Meter Lang der eine derartige Wickelung unumgänglich.

An Stelle des einfachen Wagnerschen Hammers verfertigt jetzt Rühmkorff besonders für die großen Apparate eigene Unterbrecher, welche Foucault unter Ausführung eines Vorschlages von Poggendorff konstruiert hat1). Wie Poggendorff gezeigt hat, ist es nämlich vorteilhaft, die Unterbrechung anstatt in der Luft, in einer schlechtleitenden Flüssigkeit vor sich gehen zu lassen. Dadurch wird bewirkt, daß der induzierende Strom rascher unterbrochen wird, und somit auch, dass der Öffnungsstrom rascher verläuft oder dessen Intensität vergrößert wird. Bei der Unterbrechung des Stromes in der Luft bildet sich der Öffnungsfunke, durch welchen die leitende Verbindung zwischen den getrennten Teilen der Leitung noch eine Zeitlang unterhalten wird, um so mehr, da der Öffnungsfunke durch den Extrastrom verstärkt wird. Ist nun zwischen den Trennungsstellen eine schlechtleitende Flüssigkeit eingeschaltet, so kann sich dieser Öffnungsfunke nicht bilden, deshalb wird der induzierende Strom rascher unterbrochen. Man darf als Flüssigkeit aber nicht eine den Strom gar nicht leitende Flüssigkeit, wie Terpentinöl wählen; an den Unterbrechungsstellen häufen sich nämlich infolge des Extrastromes die beiden durch denselben geschiedenen Elektricitäten an, welche sich rückwärts in der induzierenden Spirale ausgleichen würden, wenn sie an der Unterbrechungsstelle nicht übertreten könnten, und welche dann als verschwindender Strom von entgegengesetzter Richtung den induzierten Strom schwächen würden. Man nimmt deshalb als Flüssigkeit Brunnenwasser oder achtziggrädigen Alkohol.

Die Einrichtung des Interruptors von Foucault zeigt Fig. 299. An einer Zahnstange befindet sich eine vertikale Kupferfeder Cc, welche einen Hebel aBA trägt; oberhalb desselben ist an der Feder ein verschiebbares Gewicht befestigt. Wird die Feder angestoßen, so gerät sie in Schwingungen, welche je nach der Stelle, an welcher das Gewicht befestigt ist, verschiedene Geschwindigkeit haben. Der Hebel aBA trägt an dem Ende a ein Stück weichen Eisens, unter welchem der Elektromagnet DD steht; außerdem zwei Metallspitzen BB' und AA', welche in Gläser mit metallischem Boden eintauchen. Die Gläser enthalten bis zu einer gewissen Höhe Quecksilber und über demselben eine Schicht Alkohol. Vom Boden ragen in die Gläser bis zur Höhe des Quecksilbers und gerade unter den Spitzen BB' und AA' Platinstifte, welche die herabgehende Bewegung des Hebels hemmen. Der metallische Boden des Gefäßes B' ist mit der Klemme k in Verbindung; der metallische Boden des Gefäßes A' ist einerseits mit

¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. XCIV. Foucault, Comptes Rendus. T. XLIII. In der Werkstätte von Rühmkorff, jetzt Carpentier, werden Rollen verfertigt, deren Länge mehr als 0,75 Meter beträgt bei entsprechender Dieke. In dem Polytechnic Institution zu London ist ein Induktionsapparat aufgestellt, dessen Induktionsrolle aus 150 engl. Meilen Kupferdraht besteht, welche zu einer Rolle von 50 engl. Zoll Länge gewunden sind. Der Eisenkern besteht aus einzelnen dünnen Drähten von 5 engl. Fuß Länge, sie bilden einen Cylinder von 4 Zoll Durchmesser und wiegen 123 Pfd. Der indusierende Draht ist 2,142 engl. Meilen oder 3447 Meter lang und ist in 6000 Windungen um den eisernen Kern gelegt, er wiegt 145 Pfd. Von der Induktionsrolle ist er durch eine Röhre von Ebonit getrennt, deren Wanddieke 1½ Zoll englisch beträgt. Daß ein solcher Apparat die später zu besprechenden Wirkungen im großartigsten Maßstake zeigt, ist leicht begreißich. (Poggend. Ann. Bd. CXXXVI. 8, 636.)

dem einen Azenstücke I des Kommutators Imag, dessen anderes Imstück q zur Klemme H führt, andererseits mit der Klemme E in leise der Verbindung. Mit der die Feder CC' tragenden Metallichtise sind in



beiden Klemmen E und F verbunden; mit derselben Hülse ist das ein Ende des den Elektromagnet umgebenden Drahtes verbunden, dessen au deres Ende zur Klemme k' führt.

Der Apparat wird durch einen eigenen Strom von einem Element in Bewegung gesetzt, dessen Leitungen mit den Klemmen k und k' vo bunden werden. Taucht BB' in das Quecksilber, so geht der Strom w k durch B'B nach e, von da zu dem Elektromagnete und über k' m Kette zurück; dann wird a angezogen und der Strom unterbrochen, d Feder Cc schwingt dann infolge ihrer Elasticität zurück, bewirkt, da BB' eintancht, und schließt so den Strom wieder u. s. f.

Die Leitungen des indusierenden Stromes werden in die Klemmen und m des Kommutators eingesetzt, und die Enden der induzierenden Bol mit H und F verbunden. Taucht dann AA' in das Quecksilber, so gel der Strom etwa von I nach A'A, von dort über e nach F durch die is duzierende Bolle nach H und über q und den Kommutator zur Batteri nurück.

Die Klemmen E und K sind mit dem Kondensator des Induktions
**tes in Verbindung. Dieser Teil des Induktionsapparates, welche
* Fineau*) angewandt wurde, hat den Tweek, dem Offnungsstree

um, Comptes Rendus, T. XXXIX. Poggend, Ann. Bd. LXXXIX.

noch rascher verlaufen zu machen, als es ohnedem geschieht; er besteht aus einer Franklinschen Tafel, in welcher statt des Glases Wachstafft verwandt ist, oder Glimmer, und welche in dem Kasten liegt, auf welchem die Induktionsrolle aufgestellt ist. Mit der einen der Belegungen ist an dem einfachen Rühmkorffschen Apparate (Fig. 297) die Säule B, mit der anderen die Säule F leitend verbunden. Bei Anwendung des Foucaultschen Interruptors sind E und K mit den Belegungen desselben in leitender Verbindung. Wie man sieht, ist so nach Unterbrechung des induzierenden Stromes durch den Hammer derselbe gewissermaßen durch den Kondensator geschlossen, oder vielmehr stehen dann die unterbrochenen Teile der Schliefsung mit dem Kondensator in Verbindung. Bei dem einfachen Rühmkorffschen Apparate ist das eine Ende der induzierenden Rolle direkt durch B mit der einen Belegung, das andere Ende durch den Kommutator, die galvanische Batterie, den Kommutator, die Leitung U und die Säule F mit der anderen Belegung verbunden. In welcher Weise der Kondensator wirkt, ist leicht ersichtlich1); der bei der Unterbrechung sich bildende Extrastrom bewirkt, dass an den Enden des Kreises sich Elektricität sehr großer Dichtigkeit befindet, welche den Öffnungsfunken verstärkt und so noch eine Zeitlang die getrennten Teile leitend verbindet; sind nun aber diese Enden mit dem Kondensator leitend verbunden, so fliesst die Elektricität auf die Belegungen des Kondensators ab und wird dort wie auf den Belegungen der Leydener Flasche zunächst festgehalten. Dadurch wird der Öffnungsfunke viel kleiner und der Strom rasch unterbrochen. Bei der folgenden Schliefsung entladet sich der Konduktor gerade wie eine Leydener Flasche, auf dem kürzesten Wege, und deshalb britt dann ein kräftiger Schliefsungsfunke auf.

Der Foucaultsche Interruptor, sowie der Kondensator, bewirken nur einen rascheren Verlauf des Öffnungsstromes, keine Vermehrung der Gesamtintensität desselben, wie Poggendorff überzeugend nachgewiesen hat; auf den Schließungsstrom haben sie keinen Einfluß.

§. 154.

Spannungserscheinungen an geöffneten Induktionsspiralen. Wenn die Induktionsrolle vollständig durch einen guten Leiter geschlossen ist, so gehen in dem Stromkreise die beiden Induktionsströme einfach hin und her, und ihre Wirkungen sind die rasch wechselnder Ströme von gleicher Gesamtintensität. Schaltet man in den Stromkreis ein Galvanometer, so beobachtet man das Phänomen der doppelsinnigen Ablenkung, in einem Voltameter entwickelt sich an beiden Elektroden Sauerstoffgas und Wasserstoffgas, und nach Aufheben des Stromes zeigt sich keine Polarisation. Feuchtes Jodkaliumpapier mit den Polen in Berührung gebracht, zeigt an jedem Pole Jodflecke von gleicher Stärke. Ein Luftthermometer wird durch die hin- und hergehenden Ströme erwärmt.

Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. XCIV. Eine ausführliche Theorie und Berechnung der Wirkung der einzelnen Teile des Rühmkorffschen Apparates giebt Börnstein, Poggend. Ann. Bd. CXLVII. Über die Wirkung des Kondensaturs sehe man auch Maxwell, Philos. Magazin 4 series vol. XXXV.

Auf alle diese Erscheinungen ist der Kondensator, wie es auch met der Erklärung von dessen Wirksamkeit sein muss, ganz ohne Einfluß).

Sind indes die Enden der Induktionsrolle nicht leitend verbunden so zeigen sich an den Enden ganz andere Erscheinungen, als an der Enden einer unterbrochenen Leitung eines galvanischen Stromes, es trees Spannungserscheinungen und Funkenentladungen auf, wie an einer Esttrisiermaschine. Auch in der nicht geschlossenen Spirale werden nämlich wie in der geschlossenen die beiden Elektricitäten getrennt und gegen die Enden hin getrieben, von wo, wenn sie nicht abgeleitet werden w sich rückwärts im Drahte ausgleichen. Daher kommt es, dass sogied nach der Schliefsung und Öffnung des induzierenden Stromes in des Enden der Spirale sich Elektricität sehr großer Dichtigkeit befindet.

Nachdem Riess schon gezeigt hatte²), dass durch den Entladungschlag der Batterie an den Enden eines ungeschlossenen Nebendrahte Elektricität entwickelt werde, haben zuerst Masson und Breguet⁵) an der Enden einer ungeschlossenen Induktionsspirale Spannungserscheinung wahrgenommen. Es gelang ihnen durch Anlegen der Enden an de Platten eines Kondensators denselben zu laden, indem sie nur den Öffnungstrom oder den Schließungsstrom in denselben eintreten ließen, und se beobachteten die Funken, welche von dem einen Drahte der Rolle zu den anderen übersprangen, als die Enden hinreichend einander genähert ware.

Bald darauf hat Sinsteden4) sowohl an den Enden einer geöfineten Induktionsspirale einer Magnetelektrisiermaschine, welche sorgfältig isolier war, als an den Enden einer elektromagnetischen Induktionsspirale elektrische Spannungserscheinungen nachgewiesen, indem er durch Anlegen ein Goldblattelektroskop die Goldblättchen zur Divergenz brachte, und elektrische Funken an jedem Ende der Spirale erhielt, wenn er demselbet den Finger näherte.

Legt man an das eine Ende einer unterbrochenen Induktionsspirale ein Elektroskop eine kurze Zeit an, so lässt es sich vorher nicht bestimmen, mit welcher Elektricität dasselbe geladen wird, dieselbe ist ball positiv, bald negativ. Der Grund dafür ist klar, denn an jedem End treten in rascher Folge durch den abwechselnden Öffnungs- und Schliefsungstrom beide Elektricitäten auf; jedes Ende wird daher abwechselnd positi und negativ. Anders ist es jedoch, wenn man auf das Elektroskop aueiner auch noch so kleinen Entfernung Funken überspringen läßt, dam erscheint jedes Ende bestimmt elektrisch, und zwar so, wie es von der Offnungsstrome elektrisiert worden ist, so daß also jenes Ende, aus webchem bei vollständigem Schlusse der Strom in das andere übergetretet wäre, positiv elektrisch ist. Nur durch den Öffnungsstrom wird also de Dichtigkeit der Elektricität an den Enden so groß, daß sie eine mertliche Schlagweite bekommt. Dafür hat Poggendorff () eine Reihe von Beweisen geliefert. Versieht man die Enden der Induktion-spirale, wie le dem Stöhrerschen Apparat, mit Spitzen, welche in nicht zu großem Ab-

¹⁾ Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. XCIV.

³⁾ Masson und Breguet, Annales de chim. et de phys. III. Sér. T.W. 4) Sinsteden, Poggend. Ann. Bd. LXIX.
b) Poggendorff, Poggend. Ann. Bd. XCIV.

stande von einander sich befinden, so geht zwischen den Spitzen ein kontinuierlicher Funkenstrom über, welcher die Schließung des Stromes Schaltet man zugleich in den Induktionsstrom ein Galvermittelt. vanometer ein, so zeigt die Nadel eine konstante Ablenkung nach der einen Seite; ein Voltameter zeigt einseitige Zersetzung und Polarisation; daraus folgt, daß nach Einschaltung der Funkenstrecke nur einer der beiden Ströme zustande kommt, und die Richtung der Ablenkung sowie der chemischen Zersetzung beweist, dass es der Öffnungsstrom ist, welcher zustande kommt. Der Grund dieser Erscheinung liegt in dem rascheren Verlaufe des Offnungsstromes, infolgedessen die Dichtigkeit der Elektricität durch denselben an den Enden der Induktionsspirale bedeutend größer wird. Alles, was diesen Verlauf beschleunigt, wird daher auch die Dichtigkeit der Elektricität und ihre Schlagweite erhöhen. Das ist in der That der Fall, durch Anwendung eines Foucaultschen Interruptors und eines Kondensators wird die Schlagweite ganz bedeutend erhöht.

Es gilt das jedoch nur, wenn man den Funken in Luft oder Gasen von nicht zu kleiner Dichtigkeit überspringen läßt. Giebt man den Gasen in Geisslerschen Spektralröhren ohne kapillaren Teil eine geringe Dichtigkeit, so gehen in allen Gasen beide Induktionsströme über¹). Bei Luft konnte ich so in einer 2 cm weiten, 1 dm langen Röhre das Hindurchgehen beider Ströme bis zu einem Druck von 50 mm, bei Sauerstoff bis etwa 40 mm, bei Wasserstoff bis etwa 80 mm erkennen²). Bis zu welchen Drucken beide Ströme zustande kommen, hängt indes wesentlich von den Dimensionen der Röhren ab. Läßt man den Druck des Gases kleiner werden, so daß er nur Bruchteile des Millimeter beträgt, so geht wieder nur der Öffnungsstrom hindurch.

Untersucht man die Schlagweite der einzelnen Pole für sich, so findet man immer jene des inneren Drahtendes bedeutend kleiner als die des äufseren, da die des inneren durch Influenz in den umgebenden Metallmassen festgehalten wird. Dieser Unterschied fällt fort, wenn man das innere Ende mit einem langen dünnen Drahte verbindet und aus dessen Ende die Funken zieht.

Die Schlagweite jedes einzelnen Endes nimmt zu, wenn man das andere Ende mit der Erde ableitend verbindet, da dann die in dem Drahte enthaltene entgegengesetzte Elektricität, welche sonst in denselben zurückkehrt und eine gewisse Menge der anderen bindet, vollständig fortgenommen wird.

Die in einer Funkenstrecke überspringenden Funken des Öffnungsinduktionsstromes haben ganz die Eigenschaften gewöhnlicher elektrischer Funken, sie springen mit einem ebensolchen Geräusch über und üben dieselben Wirkungen aus. Man kann mit denselben einen Ansammlungsapparat bleibend laden, was nicht möglich ist, wenn man denselben mit einem Pole direkt in leitende Verbindung bringt. Eine Leydener Flasche ladet man daher am besten so, daß man die eine Belegung direkt mit dem einen Ende verbindet, während man in der Verbindung der andern Belegung mit dem zweiten Ende eine kleine Funkenstrecke läßt.

¹⁾ Gassiot, Philos. Transactions for the year 1859. p. 147. 2) Williner, Poggend. Ann. Bd. CXLVII.

Betreffs der thermischen, mechanischen und chemischen Wirkungen des Funkens können wir vollständig auf das verweisen, was wir über de Wirkung der Funken einer Elektrisiermaschine oder des Entladungsfunken der Leydener Flasche bemerkt haben, da sie ganz dieselben sind¹), nur über die Lichterscheinungen desselben haben wir uns etwas weiter merbreiten, da wir im zweiten Abschnitt auf diese Stelle verwiesen haben. Wir müssen uns jedoch auf eine kurze Übersicht dieser Erscheinung beschränken.

Läst man einen Funken zwischen zwei Spitzen überspringen, so erkennt man im Dunkeln, dass der eigentliche Induktionsfunke, welcher as eine helle weise Linie von Pol zu Pol erscheint, von einer Lichthüle umgeben ist, welche an dem positiven Pole rötlich und gegen den negativen Pol hin blau wird. Am deutlichsten zeigt sich das bei Betrachtung des Funkens unter dem Mikroskop; es erscheint dann am negativen Pole blaues, am positiven rotes Licht, welches von einem gelblichen Funken durchsetzt wird. Das rote Licht ist von dem blauen durch einen dunkler Raum getrennt²). Die Farbe der Funken ist abhängig von der Natur der Elektroden, die der Aureole, so bezeichnet man die Lichthülle, von der Natur der Gase.

Die Entstehung der Lichthülle ist erst eine Folge des überspringen den Funkens, dies ergiebt nach Robinson³) eine Betrachtung des Induktionsfunkens in einem rasch rotierenden Spiegel. Der Funke erschein dann als Linie nicht in die Breite gezogen, während die Lichthülle ver breitert und im Sinne der Rotation so neben den Funken verschoben er scheint, daß der Funke an der einen Seite das ganze Lichtbild begrenzt Daraus folgt, daß die Entladung mit der Bildung eines Funkens, welche glühende losgerissene Metallteilchen mitführt, beginnt. Durch die mechanische Wirkung des Funkens wird die Luft zwischen den Polen zur Seit geschleudert, und dann fließt durch den luftverdünnten Raum die Elektricität kontinuierlich über, bis dieselbe entladen ist.

Nur die erste den eigentlichen Funken bildende Entladung ist ein dem Entladungsschlage der Batterie analoge Entladung in der Schlag weite, die in der Lichthülle überfließende Elektricität gleicht sich nach Art der galvanischen Ströme aus. Das folgt aus Versuchen von Koosen nach welchen die Ablenkung eines in den Kreis des Induktionsstromes eingeschalteten Galvanometers abhängig ist, bei gleicher Schlagweite der Funkens, von den außerdem noch in den Kreis eingeschalteten Widerständen, während bei einer Entladung nach Art der Leydener Flasche die Ablenkung von den Widerständen unabhängig ist. Zugleich ergal sich aus diesen Versuchen, daß diese in der Lichthülle übergehende, nach Art der galvanischen Ströme sich ausgleichende Elektricitätsmenge um so größer wird, je kleiner die Schlagweite ist, da mit Verkleinerung der Schlagweite die Intensität des am Galvanometer gemessenen Strome wächst.

sehe darüber Wiedemann, Galvanismus. Bd. II. §. 1036 ff.
Ioncel, Comptes Rendus XL. p. 312. Poggend. Ann. Bd. XCV.
18 XLIX. p. 40. Recherches sur l'étincelle d'induction. Paris 1860.
18 M., Philosophical Magazin XVII. 1859.
18 end. Ann. Bd. CVII.

Dass die elektrische Entladung in der Lichthülle viel langsamer ist als im Funken, und dass die größte Menge in dieser übergeht, das läßt sich noch folgendermaßen zeigen. Bläst man gegen den Induktionsfunken, so wird der eigentliche, jedesmal nur einen Moment dauernde Funke gar nicht aus seiner Bahn abgelenkt, während die Aureole in der Richtung des Luftstromes getrieben und von dem Funken getrennt wird 1).

Wenn man dann, nachdem die Lichthülle von dem Funken getrennt ist, in die Bahn des Funkens ein Blatt Papier oder einen mit Alkohol oder Terpentinöl befeuchteten Docht bringt, so schlägt der Funke hindurch ohne zu zünden; bringt man das Papier oder den Docht dagegen in die

Lichthülle, so wird dasselbe angezündet.

Die Bildung der Lichthülle hört vollständig auf, wenn man die Polenden der Induktionsrolle mit einem besonderen Funkenmikrometer und die Teile des Funkenmikrometers zugleich mit den Belegungen einer Leydener Flasche verbindet. Dann wird die Elektricität zunächst auf den Belegungen der Flasche kondensiert, und von dort aus tritt erst die Entladung im Funkenmikrometer ein. Die Entladung geschieht dann ganz nach Art des Entladungsschlages; die Funken sind knatternder und glänzender.

Nach der Erklärung von der Entstehung der Lichthülle ergiebt sich schon, daß durch alle Umstände, durch welche der Raum zwischen den Polen leitender gemacht wird, auch die Aureole vergrößert wird. So ist die Aureole um so größer, je leichter von den Polen Teilchen losgerissen werden, oder je leichter die Elektroden verdampfen; zwischen Kohlenelek-

troden ist sie daher am größten.

§. 155.

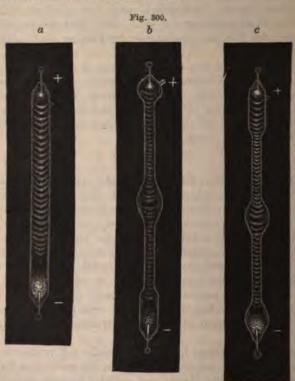
Entladungen durch mit verdünnten Gasen gefüllte Räume. Läst man den Induktionsstrom oder auch den Strom einer Holtzschen Maschine durch Räume gehen, in denen die Gase unter kleinerem Drucke als dem Drucke der Atmosphäre stehen, so nimmt die Lichthülle ebenfalls an Ausdehnung beträchtlich zu. Im elektrischen Ei sieht man, wie allmählich bei zunehmender Verdünnung der Luft die Lichthülle immer größer wird; hat die Verdünnung einen ziemlich hohen Grad erreicht, so hört der eigentliche Funke ganz auf und es bleibt nur die Lichthülle übrig. Man kann bei passender Verdünnung die Pole des elektrischen Eies sehr weit von einander entfernen und zwischen denselben zeigt sich ein breiter zarter Lichtstrom, eine der prachtvollsten Erscheinungen, welche die Physik bietet.

Um den Induktionsstrom in Räumen, welche mit verdünnten Gasen gefüllt sind, übertreten zu lassen, wendet man die zuerst von Gassiot²) dargestellten, später in großer Menge und größter Verschiedenheit von Geißler in Bonn ausgeführten und nach letzterem benannten Geißlerschen Röhren an. Dieselben bestehen (Fig. 300) aus Glasröhren der verschiedensten Form, in denen an zwei von einander entfernten Stellen Drähte, meist von Aluminium, als Elektroden eingeschmolzen sind. Dieselben

¹⁾ Du Moncel, Poggend. Ann. Bd. XCV.
2) Gassiot, Athenäum 1854. p. 1177. Philosophical Magazin v.VII. 1854.
WULLNER, Physik. IV. 4. Aufl.

werden an einer Quecksilberpumpe mit den Gasen gefüllt, in wel man den Strom übergehen lassen will und dann das Gas durch Pu auf den passenden Druck gebracht.

Lässt man in einem bis auf wenige Millimeter Quecksilberdruck gepumpten elektrischen Ei, oder in einer lufthaltigen Geisslerschen E den Induktionsfunken übergehen, so sieht man¹) in dem Vakuum an Farbe, Lage und Gestalt verschiedene Lichter entstehen. Das derselben ist schön lavendelblau und umhüllt die negative Elektrode zu einer gewissen Entfernung, das andere je nach der Natur des in Röhre vorhandenen Gases verschieden gefärbte geht von der mit einze glänzenden Funken bedeckten positiven Elektrode aus und bildet ziemlich dicke Hülle, welche die Geisslerschen Röhren fast vollsta ausfüllt. Es reicht gewöhnlich nicht ganz bis zur negativen Elektrode aus und bildet ziemlich breiter dunkler Raum bleibt.



Das positive Licht ist nicht ein homogener Lichtstrom, sondern bes (Fig. 300 a, b, c) aus abwechselnden hellen und dunklen Schichten, der daß ee echt zur Richtung des Stromes dunkel gestreift erschein

> tgend, Ann. Ergänzungsband IV. Die Schichtung des Lichts Grove beobachtet, Philosophical Transactions for 1852.

In der Nähe des positiven Poles erscheinen die hellen Schichten stark gegen den negativen Pol konvex, in weiterer Entfernung von der positiven Elektrode sind die Schichten flacher.

Auch das blauviolette Licht des negativen Poles ist geschichtet. Außer einem verwaschenen Schimmer, in welchem sich gewöhnlich das Licht des negativen Poles verläuft, und welcher sich bis mehr als anderthalb Centimeter von der negativen Elektrode erstrecken kann, erkennt man in diesem Licht zwei helle Schichten, welche durch eine dunkle getrennt sind.

In einer mit Wasserstoff gefüllten Röhre von circa 2 mm Weite und 400 mm Länge sah Plücker1) ungefähr 400 mal lichte Stellen mit dunkeln Intervallen ganz regelmäßig von einem Ende der Röhre zum anderen abwechseln, vom negativen Pole durch einen breiten dunkeln Raum getrennt. In weiteren Röhren sind die dunklen Intervalle bis 5 mm breit. In den meisten Fällen machen die leuchtenden Stellen kleine Oscillationen und geben dann oft den Eindruck einer spiraligen Bewegung; oft sind sie in der Nähe des negativen Poles stationär und zeigen sich als feste Scheibehen, welche in vielen Fällen, namentlich in weiten Röhren gegen den negativen Pol stark konvex sind. Das negative Licht zeigt sich ebenfalls fein geschichtet.

Die Formen, welche die Lichterscheinung in Röhren, die mit verdünnten Gasen gefüllt sind, annimmt, hängen indes wesentlich von den Dimensionen der Röhre und dem Drucke des eingeschlossenen Gases ab, außerdem aber noch von den Umständen, unter denen man die Entladung eintreten läßt.

Die Lichterscheinungen, beziehungsweise der Entladungsvorgang ist in den letzten Jahren Gegenstand äußerst vielfacher und ausgedehnter Untersuchungen geworden, besonders von Hittorf2), Crookes3), Goldstein4), E. Wiedemann⁵) und vielen anderen. Das gesammelte Material ist ein so massenhaftes, dass der Raum uns hier ein näheres Eingehen auf dasselbe nicht gestattet6). Ich beschränke mich deshalb darauf, die Erscheinungen, welche die beiden vorhin schon unterschiedenen Teile der Entladungen im wesentlichen charakterisieren, hier kurz zu beschreiben. Die Schilderung des Verhaltens des positiven Büschellichtes ist nach meinen eigenen Beobachtungen7), ich beschränke mich auch da auf die charakteristischen Erscheinungen.

Um zunächst die Abhängigkeit des Lichtes von dem Drucke des in den Röhren eingeschlossenen Gases zu erkennen, wurde eine Röhre von

¹⁾ Plücker, Poggend. Ann. Bd. CIII.
2) Hittorf, Poggend. Ann. Bd. CXXXVI, Jubelband, Wiedem. Ann. Bd. VII,
Bd. XX, Bd. XXI.
3) Crooks, Philosophical Transactions for 1879 part. II.

⁴⁾ Goldstein, Berliner Monatsberichte für das Jahr 1876. Wiener Berichte Bd. LXXIV, Bd. LXXX. Berliner Monatsberichte 1880. Wiedem. Ann. Bd. XI. Untersuchungen über die elektrische Entladung in Gasen. Berlin, bei Springer.

^{1880.} Wiedem. Ann. Bd. XII, Bd. XV.

5) E. Wiedemann, Wiedem. Ann. Bd. IX, X, XX.

6) Eine recht vollständige Übersicht über diese Erscheinungen giebt Wiedemann in seiner Elektricitätslehre Bd. IV. Abschnitt VII. S. 405—600.

⁷⁾ Willner, Poggend. Ann. Jubelband.

1 cm Durchmesser und 1 dm Länge, welche in der im 2. Bande § 40 beschriebenen Weise mit Hähnen versehen war, in den Induktionskraueines großen Rühmkorffschen Apparates eingeschaltet; die Röhre wur is Luft gefüllt, und mit einer Quecksilberluftpumpe verbunden, so daß mit der Röhre jeden beliebigen Druck herstellen konnte.

Bei einem Drucke der Luft, der weniger oder höchstens ein Mitmeter beträgt, ist zunächst der ganze, die negative, 1 cm weit in die Rüsshineinragende Elektrode umgebende Raum mit dem blauen negative Glimmlicht angefüllt. Von der positiven Elektrode dagegen strömt einden ganzen Querschnitt der Röhre ausfüllende Lichtmasse bis in eine Entfernung von 5 cm von der Spitze der Elektrode in die Rühre hinen Der Zwischenraum zwischen dem positiven Büschellicht, wie ich ernannt habe, und dem negativen Glimmlicht ist ganz dunkel. Das pei tive Büschellicht zerfällt in 10 leuchtende Schichten, welche in der Rüssich mit kleinen Schwingungen auf und nieder bewegen. Diese Schichten haben nicht die vorhin beschriebene und Fig. 300 abgebildete Tellerform sondern sie erscheinen wie eine Schnur dicker Perlen, deren Dicke seit

recht zur Schnur größer ist als parallel der Schnur.

Beobachtet man das Licht in einem rotierenden Spiegel, dessez R tationsaxe der Axe der Röhre parallel gestellt ist, so sieht man, da diese Erscheinung jedem einzelnen die Röhre durchsetzenden Induktion strome entspricht, dass die Schichten mit dem Beginne des Stromes leuchten beginnen und mit dem Ende desselben zu leuchten auf bedenn die Schiehten erscheinen als der Rotationsrichtung parallel in a Breite gezogene Streifen. Beim Beginne der Entladung sieht man i rotierenden Spiegel sofort 6 Schichten auftreten, die gleichzeitig zu lese ten beginnen, und welche von einander ebenso weit entfernt sind, w die oberste von der einen glänzenden Lichtpunkt zeigenden Elektrol Die den Schichten im Spiegel entsprechenden Streifen sind gegen d positive Elektrode konvex, die Schichten steigen also zunächst gegen i positive Elektrode auf, und sinken dann rasch gegen die negative Ele trode nieder, die der positiven Elektrode näheren rascher als die en fernteren, so dass gegen das Ende der Entladung die Schichten einand nüher stehen. An der Stelle, wo die Schichten niederzusinken begin nen, tritt eine siebente und später treten noch drei weitere Schicht aus der positiven Elektrode hervor. Man erkennt somit im rotierend Spiegel, dass die sechs unteren in der Röhre sichtbaren Schichten sich sein bei dem Beginne des Stromdurchganges ausbilden, und daß die vier ober sich nach und nach und später entwickeln als die unteren.

Wächst der Druck der Luft in der Röhre über 1 mm, so werde die Schichtungen des positiven Büschellichtes zunächst in der Nähe de positiven Elektrode undeutlich und verwischt, und schon bei 1,5 mm Drucentwickeln sich nur mehr die untern Schichten, etwa 4-5, während darüb das positive Licht ganz ungeschichtet bleibt, bei 2,5 mm Druck wigs sich noch 2 Schichten, und bei 4 mm Druck ist jede Schichtung was schwunden, das positive Licht reicht als eine ganz gleichförmige rötlich

vanzen Querschnitt der Röhre ausfüllende Lichtmasse bis 6 cm von tiven Elektrode. Die nach der negativen Elektrode zu konvet es Lichtes ist durch einen dunklen Zwischenraum von 2 cm

rzeugt.

von der mit bläulichem Glimmlicht bedeckten negativen Elektrode getrennt. Im rotierenden Spiegel erkennt man, daß das positive Licht während der ganzen Dauer jedes einzelnen Induktionsstromes in seiner

ganzen Ausdehnung gleichmäßig leuchtet.

Wächst der Druck des Gases weiter, so bleibt zunächst die Erscheinung im wesentlichen ungeändert, nur rückt der ganz schichtenlose positive Lichtstrom etwas mehr gegen die negative Elektrode vor und zieht sich dafür der Quere nach etwas zusammen, so daß er nicht mehr den ganzen Querschnitt der Röhre erfüllt. Bei einem Druck von 13 mm ist das positive Licht noch etwa durch einen 1 cm breiten dunklen Zwischenraum von der negativen Elektrode getrennt. Im rotierenden Spiegel orkennt man aber, daß die Ausdehnung des positiven Lichtes während der Dauer des Stromes nicht ganz dieselbe ist, das parallel der Rotationsrichtung in die Breite gezogene Lichtfeld ist nämlich an seiner untern Grenze gegen die negative Elektrode sehr stark konvex gekrümmt, es ist bei dem Beginne der Entladung etwa 1,5 cm, in der Mitte etwa 1 cm, am Ende etwa ein 1,7 cm von der negativen Elektrode entfernt.

Bei weiter fortschreitendem Drucke zieht sich das positive Büschellicht, ohne daß man in demselben Schichtungen wahrnimmt, immer mehr um die Axe der Röhre zusammen, und ist der Druck auf etwa 25 mm gestiegen, so bildet es einen Cylinder in der Axe der Röhre, welcher einen Durchmesser von 2-3 mm hat. An seinem der negativen Elektrode nähern Ende zeigt dieser Cylinder eine beträchtliche Anschwellung. Im rotierenden Spiegel erkennt man, daß diese untere Anschwellung des Lichtes eine viel größere Dauer hat als das übrige positive Licht. Das dort erscheinende in die Breite gezogene Lichtfeld ist nämlich nur in seinem Beginne und an seiner untern Grenze hell, im übrigen ziemlich dunkel. Es beweist das, daß die positive Entladung nur in ihrem Beginne die Gasmasse ihrer ganzen Länge nach hell leuchtend macht, daß sie dann aber den größten Teil der Röhre nur schwach leuchtend durchsetzt und nur an ihrer untern Grenze wieder ein helles Licht

Die Dicke des positiven Lichtcylinders wird bei wachsendem Drucke mmer kleiner und sein Ende rückt der Spitze der negativen Elektrode mmer näher, ist aber zunächst von derselben noch durch einen mehrere Millimeter breiten dunklen Zwischenraum getrennt. Zu der einen Anschwellung am untern Ende treten bald mehrere, erst eine unmittelbar unter der positiven Elektrode, dann eine dritte etwa in der Mitte u. s. f., so dafs etwa bei 40mm Druck 4 Anschwellungen, bei 50mm Druck 6 Anschwellungen vorhanden sind. Diese Anschwellungen haben eine angere Leuchtdauer als der Lichtcylinder, denn im rotierenden Spiegel werden nur die Anschwellungen wesentlich verbreitert, sie erscheinen dort als flatternde Lichtstreifen, die in ihrem Beginne durch einen schmalen, der Röhrenaxe parallelen Lichtstreifen verbunden sind. Nur beim Beginne der Entladung ist also das positive Licht der ganzen Länge nach leuchtend, dann aber erzeugt die positive Entladung nur mehr an einzelnen Stellen Licht, es tritt wieder eine Schichtenbildung ein, aber ganz anderer form als bei geringerm Drucke.

Erst wenn der Druck des Gases etwa 75mm geworden ist, reicht

das positive Licht bis zur negativen Elektrode in Form eines düme, mit einer großen Zahl Anschwellungen umgebenen Cylinders. Der reierende Spiegel läßt erkennen, daß die Entladung nur im ersten Monent bis zur negativen Elektrode reicht, sie wird dann einen Moment umbrochen, dann folgt eine zweite nicht bis zur negativen Elektrode reichte Entladung, und an diese setzen sich die den Anschwellungen entsprechende Lichtstreifen an; dieselben sind aber durch die Rotation immer wenige in die Breite gezogen, ein Beweis, daß die Dauer der Entladung immer kleiner wird.

Lässt man dann den Druck weiter wachsen, so werden die Anschwilungen immer unbedeutender und lichtschwächer, bis sie, wenn der Drack auf 250 mm gestiegen ist, ganz verschwinden. So lange der Druck kleiner als 160mm ist, zeigt der rotierende Spiegel zunächst eine mit wachen dem Drucke wachsende Anzahl von einzelnen die Elektroden verbindende Entladungen und teils schon zwischen denselben, aber wesentlich deselben folgend, die den Anschwellungen entsprechenden Lichtfelder. Übeschreitet der Druck 160mm, so beginnt die Entladung mit einem gliszenden Fünkchen von ganz weißem Lichte, dem eigentlichen elektrische Funken, wie er auch in der freien Luft zwischen den einander genähere Enden der Induktionsspirale überspringt, dann folgen eine Anzahl die Elektroden verbindenden Entladungen, in der Röhre als ganz dünner Licht cylinder sichtbar und dann die schwachen Lichtfelder den Anschwellunge entsprechend. Überschreitet der Druck 250mm, so hören, wie gesagt, de Anschwellungen ganz auf, es treten nur mehr einzelne Funken und dum die beiden Elektroden verbindende Lichtfüden auf, die, wenn der Dach noch stärker wird, ebenfalls verschwinden, so dass schließlich bei diest Abständen der Elektroden die Entladung nur mehr in Funken stattfinds Es entspricht das der Entladung in freier Luft, wo bei hinreichend großen Abstande der Elektreden ebenfalls keine Lichthülle, sondern nur Funke sich zeigen. Wir können also drei Arten des Überganges der Elektricis durch die Röhre unterscheiden, erstens Licht, welches nur bis zu eine gewissen Abstande von der positiven Elektrode reicht und eine mehr ode weniger lange Dauer hat, ich nenne es das positive Büschellicht, zweiter schmale die Elektroden verbindende Lichtcylinder, ich nenne sie Partientladungen, und drittens eigentliche Funken.

Das positive Büschellicht ist dadurch charakterisiert, dass es niemabis zur negativen Elektrode reicht, und dass es senkrecht zur Röhrenst immer eine gewisse je nach dem Drucke größere oder kleinere Ausdernung hat, es tritt in der angegebenen Röhre auf von äußerst kleinet vielleicht weniger als 0,1 mm betragenden Drucken bis zu einem Druck von etwa 250 mm. So lange der Druck kleiner als 1 mm ist, zerfällt ein eine Anzahl von durch dunkle Zwischenräume getrennten Schichtezwischen 1 mm und etwa 4 mm Druck ist diese Schichtung nur mehr ziehm der negativen Elektrode zugewandten Ende des positiven Büschellichtes sichtbar, und bei einem Drucke von 4 mm ist jede Schichtung verschwunden. Bis dahin füllt das Licht den ganzen Querschnitt der Röhr aus. Bei wachsendem Drucke zieht es sich um die Axe der Röhre ausammen und zeigt, nachdem die Entladung ohne jede Schichtung begontet hat, wieder Schichtungen, die sich als Anschwellungen des Lichtelinder

direkt und als parallel der Rotationsrichtung in die Breite gezogene Lichtwolken im rotierenden Spiegel zu erkennen geben. Bei wachsendem Drucke wächst die Zahl dieser Schichtungen, dagegen nimmt ihre Helligkeit ab, bis sie und das ganze positive Büschellicht bei einem gewissen Drucke verschwinden.

Zu diesem positiven Büschellichte treten bei einem gewissen Drucke die Partialentladungen, dann die eigentlichen Funken, welche beide Entladungen zunächst noch die Ausbildung des positiven Büschellichtes einleiten, dann allein übrig bleiben, bis schließlich die Entladung nur mehr in Funken stattfindet.

Lässt man die Entladungen des Induktionsstromes ganz in derselben Weise durch Röhren derselben Länge, aber von 0,5 cm oder 2 cm Durchmesser gehen, so ist der Verlauf der Entladung im wesentlichen derselbe, nur reicht in der engern Röhre das Licht stets weiter in die Röhre hinein, in der weitern Röhre reicht es nicht so weit, besonders bei den geringern Drucken, in denen das Büschellicht ganz geschichtet oder ganz kontinuierlich ist. So war in der engern Röhre bei diesen Drucken der dunkle Zwischenraum zwischen dem positiven Büschellicht und der negativen Elektrode höchstens 1 cm, in der 2 cm weiten Röhre dagegen betrug er 6 cm. Entsprechend war auch, so lange das Licht ganz geschichtet war, die Zahl der Schichten in der engen Röhre 17, in der weiten Röhre 2. Die einzelnen im Vorigen beschriebenen Formen der Entladungen wiederholten sich sonst in beiden Röhren mit geringen Modifikationen.

Anders verhielt sich dagegen eine Röhre von fast 4 cm Durchmesser und gleicher Länge; bei den Drucken der eingeschlossenen Luft, bei welchen in den engern Röhren das positive Büschellicht am schönsten entwickelt ist, bleibt diese Röhre fast ganz lichtlos, es zeigt sich nur das negative Glimmlicht und an der Spitze der positiven Elektrode ein helles Fünkchen, aufserdem zeigen sich bei Drucken unter 4mm zuweilen ganz schwache Wölkchen positiven Lichtes unmittelbar unter der positiven Elektrode. Beträgt der Druck zwischen 4mm und 20mm, so sind, weil Öffnungsstrom und Schließungsstrom die Röhre durchsetzen, beide Elektroden mit negativem Glimmlichte bedeckt, im übrigen ist die Röhre fast ganz dunkel, das in der Luft schön rote positive Büschellicht fehlt vollständig. Ist der Druck der Luft zwischen 20mm und 50mm, so zeigt sich eine geringe Menge positiven Büschellichtes in Form einer schwachen, bei dem günstigsten Drucke etwa 1 cm in die Röhre hineinreichenden Wolke.

Erst wenn der Druck 50mm überschritten hat, entwickelt sich die Erscheinung ähnlich wie in den engern Röhren bei den entsprechenden Drucken. Zunächst bricht bei 50mm Druck ein schmaler Cylinder schwachen positiven Lichtes von 3 cm Länge aus der positiven Elektrode hervor, an der eine Anschwellung auf- und niedergeht, entsprechend einer Schichtung, welche zuerst am negativen Ende des Büschellichtes entsteht, dann bis zur Elektrode aufsteigt und sich wieder etwa 1 cm von derselben entfernt. Bei wachsendem Drucke mehrt sich ganz wie bei den engern Röhren die Zahl der Anschwellungen bei abnehmender Helligkeit, bei 120 mm Druck treten die Partialentladungen hinzu und bei 150 mm die Funken.

Die Versuche zeigen, das zunehmende Weite bei gleicher Länge der cylindrischen Röhren die Entwicklung des positiven Büschellichtes vernindert, und das eine Röhre von 1 dm Länge und etwa 4 cm Weite kam. mehr dasselbe zeigt.

Während nach diesen Beobachtungen wachsender Durchmesser bei gleicher Länge der cylindrischen Röhren die Entwicklung des positives Büschellichtes vermindert, bewirkt wachsende Länge bei gleichem Durchmesser das Entgegengesetzte; sie vermehrt die Menge des positiven Lichts. So reichte bei der 1 cm weiten Röhre, als ihr eine Länge von wei Decimeter gegeben wurde, das positive Licht so weit, dass der dunkte Zwischenraum zwischen demselben und der negativen Elektrode nicht größer war als bei der nur 1 dm langen Röhre, bei einer 2 cm weiten, 2 dm langen Röhre war der dunkte Zwischenraum nur wenig größer als in der 1 dm langen Röhre, das positive Licht reichte also mehr als dreimal so weit in die Röhre als bei der geringern Länge. Im übrigen war aber der Verlauf des positiven Lichtes im wesentlichen derselbe als bei den kürzern Röhren.

Als das Rohr von 4 cm Querschnitt auf die doppelte Länge gebracht wurde, entwickelte sich in demselben eher weniger als mehr positives Licht, die Röhre blieb ebenfalls bei kleinern Drucken bis auf des negative Glimmlicht und einen Lichtfunken an der Spitze der positives Elektrode ganz dunkel. Bei stärkern Drucken entstand wie in der kirzern Röhre ein schwacher Lichtcylinder mit kleinen Anschwellungen.

Wurde indes eine Röhre von 75 cm Länge und 5 cm Durchmesser angewandt, so trat wieder eine prachtvolle Lichtentwicklung ein; als der Druck unmeßbar klein war, füllte sich die Röhre bis zu einem Abstandt von 55 cm von der positiven Elektrode mit positivem Büschellicht, welche in 18 Schichten zerfiel; die Schichten sehen aus wie eine Reihe vot Sphäroiden, welche in der Richtung der Verbindungslinie von Elektrode zu Elektrode abgeplattet sind, und welche auf dem Äquator am hellstet sind. Der Abstand der hellsten Stellen der Schichten beträgt 3 cm. Die eigentümliche Form der Schichten rührt daher, daß sie in großen Amplituden auf- und niederschwingen, wie eine Beobachtung im rotierendes Spiegel direkt erkennen läßt.

Bei Zutretenlassen von Luft füllt sich die Röhre, noch ehe der Druck meisbar geworden ist, mit positivem Lichte bis zu einem Abstand von 12 cm von der negativen Elektrode; das Licht zeigt im ersten Memente an seinem untern Ende eine Menge feiner lebhaft bewegter Schichtensind aber einige wenige Entladungen durch die Röhre hindurchgegangen so entwickeln sich an dem negativen Ende des positiven Lichtes zwei Schichten der eben beschriebenen Form.

Wächst der Druck der Luft bis auf 1 mm, so ist der dunkt-Zwischenraum zwischen dem positiven Licht und der negativen Elektrode nur mehr 2 cm breit, im übrigen ist die ganze Röhre mit schön reten positiven Licht gefüllt, welches dann die Fig. 300 abgebildeten tellerförmigen Schichten zeigt, die indes am deutlichsten in der Nähe des nezativen Endes des positiven Lichtes zu sehen sind. Die Schichten habet eine lebhafte hin- und hergehende Bewegung. Bis zu einem Drucke von 4 mm etwa bleibt die Erscheinung im wesentlichen ungestudent, zeht der Druck darüber hinaus, so zieht sieh das Licht zu einem dünnern Cylinder mit einigen Anschwellungen zusammen, der indes, da er in der Röhre nicht ruhig steht, nicht scharf zu beobachten ist. Ist der Druck 20 mm geworden, so ist die Erscheinung ganz unregelmäßig, die Entladung geht fast nur mehr über die Wände der Röhre.

So verschieden also auch das Auftreten des positiven Lichtes in den Röhren verschiedener Dimensionen ist, so können wir es doch allgemein dahin charakterisieren, dass es von der positiven Elektrode, ausgehend nur in einzelnen Partialentladungen, niemals als positives Büschellicht die negative Elektrode erreicht, dass es meistens in einzelne Schichtungen zerfällt, welche nur in kürzern Röhren gerade bei den Drucken nicht auftreten, bei welchen das positive Büschellicht sich am vollständigsten entwickelt. Bei Annäherung an die Drucke, bei denen das Licht nicht geschichtet ist, bleiben am längsten oder treten am ersten hervor die Schichtungen in der Nähe des dunklen Zwischenraumes, also am negativen Ende des positiven Büschellichtes.

Auf die Form der Lichterscheinung in den Röhren hat ferner die Art der Entladung Einfluss, wie das zuerst Grove 1) hervorgehoben hat. Schaltet man nämlich in den Kreis des Induktionsstromes neben der mit dem verdünnten Gase gefüllten Röhre ein Riesssches Funkenmikrometer ein, und läßt zwischen den Kugeln desselben bei möglich größtem Abstande den Strom in Form eines Funkens übergehen, so tritt auch in den Röhren die Entladung in Form eines fast momentanen Übersprühens der Elektricität ein, welche bei geringen Drucken, bei denen ohne Funkenmikrometer das positive Büschellicht die ganze Röhre ausfüllt, ebenfalls die ganze Röhre erfüllt, ohne nur eine Spur Schichtung zu zeigen.

Schaltet man dagegen in den Stromkreis nur eine kleinere Funkenstrecke ein, so beginnt die Entladung allerdings auch mit einem solchen Übersprühen der Elektricität von Elektrode zu Elektrode, dann folgt aber im weitern Verlaufe derselben eine Entwicklung des positiven Büschellichtes ganz in der vorhin beschriebenen Weise. So erhielt ich in einer 2 cm weiten, 10 cm langen Röhre stets nur ungeschichtetes Licht, wenn ich mit einem Funkenmikrometer eine Funkenstrecke von 3-6 cm einschaltete. Wurde indes die Funkenstrecke verkleinert, so erhielt ich das positive Büschellicht, selbst als die Funkenstrecke 2 cm betrug. Nur war die Dauer des positiven Lichtes eine etwas kürzere2).

Wurden dagegen die Enden des Induktionsdrahtes gleichzeitig mit den Belegungen einer Leydener Flasche verbunden, so war bei Einschaltung selbst kleiner Funkenstrecken das in der Röhre erscheinende Licht stets ohne jegliche Schichtung, es füllte bei passenden Drucken die Röhre ganz gleichmäßig aus.

Schliefslich ist noch hervorzuheben, dass nach De la Rives3) und meinen Beobachtungen die Schichtungen des Lichtes nur deutlich hervortreten, wenn das in den Röhren eingeschlossene Gas in Ruhe ist; läßt man während des Durchganges des Induktionsstromes Gas in die Röhre

Grove, Philosoph. Magazin. 4 series vol. XVI.
 Wällner, Berliner Monatsberichte Dezember 1874.

³⁾ De la Rive, Poggend, Ann. Bd. CXXXI.

treten, so verschwinden die Schichtungen, treten aber dem nach Eintrit des Gases entsprechenden Druck entsprechend wieder hervor, wenn das Gas in Ruhe ist.

Geht man zu noch weitern Verdünnungen über, als die, welche der Ausgangspunkt meiner Beobachtungen bildeten, so tritt das positive Lich mehr zurück und das negative Licht wird das vorwiegende. So lange der Druck in den Röhren mehrere Millimeter Quecksilber beträgt, ist dis negative Glimmlicht wesentlich auf die negative Elektrode beschricht welche es anfänglich nur an der Spitze, später bei abnehmendem Drucke ganz bedeckt. Gleichzeitig nimmt die Ausdehnung des Glimmlichtes in der Umgebung der negativen Elektrode zu. Wird der Druck sehr klein, so löst sich das (flimmlicht von der Kathode los, es bildet sich, während das Glimmlicht selbst immer weiter in die Röhre eindringt, zwischen der Kathode und dem Glimmlicht ein an Ausdehnung wachsender dunker Raum. Fährt man mit dem Entleeren der Röhren immer weiter fort w entwickelt sich an der negativen Elektrode wieder ein schwaches Lichtbündel, aus welchem kaum sichtbare Strahlen sich geradlinig und norms zur Oberflüche der Elektrode ausbreiten, welche besonders dadurch n erkennen sind, dass dort, wo dieselben die Glaswand der Röhre treffes, die letztere helle Phosphorescenz zeigt und zwar dieselbe Phosphorescenz welche auch durch Belichten erzeugt wird.

Das Glimmlicht ist gegenüber dem positiven Licht wesentlich dadurch charakterisiert, dass es sich von der negativen Elektrode aus in gender Richtung in den Röhren verbreitet, so zwar, dass seine Ausbreitung von der Lage der positiven Elektrode ganz unabhängig ist, wie das zuerst von Hittorf gezeigt wurde. Nimmt man eine gerade cylindrische Röhre und bringt an dem einen Ende derselben beide Elektroden nahe neben einander an, so tritt positives Licht nur an oder in unmittelbarer Nike der positiven Elektrode auf, das negative Licht dringt indes von der Kathode aus gerade so in der Röhre vor, wie wenn die positive Elektrode sich an dem andern Ende der cylindrischen Röhre befände. wirklich an diesem anderen Ende der Röhre auch eine Elektrode an und macht dieselbe zur Anode, so sieht man, wie das positive Licht und das negative Licht sich gegenseitig durchdringen, denn in dem mit dem negativen Lichte erfüllten Raume entwickelt sich in dem Falle das positive Licht. Nur in den dunklen Raum, der sich bei starker Verdünnung zwischen der Kathode und dem Glimmlicht bildet, kann das positive Licht nicht eindringen. Man sieht das sehr deutlich, wenn man als Kathode eine kleine Platte nimmt und unmittelbar neben derselben als Anek in gewöhnlicher Weise einen Draht. Ist die Verdünnung weit genug vergeschritten, so bildet sich der dunkle Raum um die plattenförmige Kathode als ein sphäroidischer Raum aus. Sobald die Ausdehnung des Raume eine solche geworden ist, daß die positive Elektrode in denselben hineinragt, wird, soweit das der Fall ist, das positive Licht von der Elektroffortgedrängt, so daß es auf der Oberfläche des dunklen Raumes liegt

Die geradlinige Ausbreitung des Glimmlichts läst sich ferner at rechtwinklig umgebogenen Röhren erkennen. Ist der eine Schenkel der rechten Winkels nicht zu lang, so geht das positive Licht, wenn man die Elektrode am Ende des kurzern Schenkels zur positiven macht, jest un

Ende des langen Schenkels zur negativen, um die Biegung herum in den längern Schenkel hinein. Nimmt man dagegen die Elektrode im kürzern Schenkel zur negativen, so geht bei keinem Grade der Verdünnung das negative Licht um die Biegung herum in den längern Schenkel.

Das negative Licht scheint hiernach von der negativen Elektrode geradezu ausgesandt zu werden, eine Auffassung, welche auch darin eine Stütze findet, dass wie Hittorf sich ausdrückt1), jeder feste oder flüssige Körper, er sei Isolator oder Leiter, welcher vor der Kathode sich befindet, das negative Licht begrenzt, welches zwischen ihm und der Kathode liegt, es findet keine Abbiegung aus der geraden Richtung statt.

Was von dem negativen Licht überhaupt gilt, das gilt in noch mehr hervortretender Weise von den bei der äußersten Verdünnung sich zeigenden Kathodenstrahlen. Dieselben scheinen nur geradlinig und normal zur Oberfläche der Kathode auszutreten, sie werden durch jeden auf ihrem Wege befindlichen Körper aufgehalten. Die letztere Erscheinung hat Crookes an einer Anzahl sehr hübscher Versuche gezeigt. Wie erwähnt, geben die Kathodenstrahlen am deutlichsten sich dadurch zu erkennen. dass sie die Glaswand, dort wo sie auftreffen, zu lebhafter Phosphorescenz bringen. Crookes brachte nun im Innern der Röhren in den Weg der Kathodenstrahlen mannigfach geformte Körper, so dass diese die Kathodenstrahlen auffingen: auf der Wand der Röhren, welche in der von den Kathodenstrahlen getroffenen Fläche lebhaft phosphorescierten, erschien dann das Abbild der auffangenden Körper dunkel, gleichsam als ein von den Kathodenstrahlen geworfener Schatten. Crookes und Goldstein haben diese Versuche in der mannigfachsten Weise variiert und eine Menge sehr hübscher Erscheinungen beschrieben, welche alle die geradlinige Ausbreitung der Kathodenstrahlen und das normal zur Oberfläche der Kathoden stattfindende Austreten vorführen. Es mangelt uns hier der Raum, um auf nähere Details einzugehen.

Wir haben bisher vorausgesetzt, dass die mit verdünnten Gasen gefüllten Röhren in den Stromkreis eines Induktionsapparates oder einer Holtzschen Maschine eingeschaltet seien; in dem Falle geht der Strom in einzelnen Stöfsen durch die Röhre hindurch. Wie zuerst Warren de la Rue und Hugo Müller2) und später Hittorf3) gezeigt haben, geht auch der Strom einer galvanischen Batterie von hinreichender elektromotorischer Kraft durch diese Röhren hindurch. Warren de la Rue und H. Müller glaubten, daß auch in dem Falle der Strom in einzelnen Stößen hindurchgehe, indem, wenn die Potentialdifferenz an den Elektroden hinreichend sei, ein Ausgleich der Elektricitäten zwischen denselben stattfinde; die erste Entladung giebt eine Verminderung der Potentialdifferenz, welche indes durch den Zufluss von der Batterie sehr bald wieder ausgeglichen wird; es folgt deshalb eine zweite Entladung und so fort. Die Zwischenräume zwischen den Entladungen sind so klein, dass wir selbst bei schnellster Rotation eines rotierenden Spiegels, in welchem die Entladung

Hittorf, Poggend. Ann. Bd. CXXXVI. S. s.
 Warren de la Rue und Hugo Müller, Philosophical Transactions for the year 1878 and 1880 vol. CLXIX and CLXXI.

³⁾ Hittorf, Wiedem. Ann. Bd. VII, Bd. VIII, Bd. XX, Bd. XXI.

beobachtet wird, eine Trennung der einzelnen Entladungen nicht beobachter können.

Hittorf dagegen nimmt an, dass wenn in den Gasen der Durchgang des Stromes einmal eingeleitet sei, die Gase leitend werden, und daß dann der Strom in den Gasen ein ebenso stetiger sei wie in festen Leitern oder Elektrolyten. Damit der Strom ein stetiger werde, ist zunächst eine gewisse elektromotorische Kraft erforderlich, weiter aber ist es notwendig, dass der Widerstand außerhalb der mit verdünntem Gase gefüllten Röhre ein nicht zu großer sei, damit die Stromstärke hinreichend groß, beziehungsweise, damit die Potentialfunktion an den Elektroden eine hinreichend große bleiben kann. Hittorf¹) schaltete eine Gassäule in den Stromkreis einer Säule von 1600 Chromsäure-Elementen ein. welcher gleichzeitig ein cylindrisches Rohr enthielt, das mit einer Lösung von Jodkadmium in Amylalkohol gefüllt war. Das Rohr enthielt wei Kadmiumelektroden, deren eine an einem verschiebbaren Stabe befestigt war, so dass man beliebige Strecken der Jodkadmiumlösung in den Stronkreis einschalten und so den Widerstand des Stromkreises innerhalb weiter Grenzen variieren konnte. Die Elektroden der Gasröhre waren gleichzeitig mit einem Kondensator von großer Kapacität verbunden. War der Widerstand in dem Stromkreis groß, so ging der Strom in einzelnen Stößen durch die Röhre, indem sich gleichzeitig der Kondensator durch die Röhre entlud. War durch die von der Batterie herkommende Elektricität auf den Belegungen des Kondensators und an den Elektroden der Röhre die Potentialdifferenz wieder hinreichend gewachsen, so trat eine neue Entladung ein. Mit abnehmendem Widerstande folgten sich die Entladungen immer rascher, und hatte der Widerstand bis zu einem gewissen kleinen Werte abgenommen, so ging der Strom stetig durch die Röhre, der Kondensator entlud sich nicht mehr, er behielt auf seinen Belegungen eine konstante Potentialdifferenz. Man erkennt das Aufhören der Entladungen des Kondensators am Lichte der Röhre; so lange die Entladung eintritt, zeigt sich das Licht der Röhre, wie sehon vorhin, bei Besprechung der Entladungen bei gleichzeitiger Einschaltung einer Leydener Flasche erwähnt wurde, ungeschichtet, sowie die Entladung aufhört. nimmt es das ausführlich beschriebene Anschen an, es zeigt sich positives und negatives Licht. Man erkennt es weiter daran, dass der Kondensator aufhört zu tönen. Jede Entladung des Kondensators ist nämlich vor einem eigentümlichen trocknen Geräusch begleitet, welches um so stärker ist, je größer die Elektricitätsmenge der einzelnen Entladung ist. abnehmendem Widerstande der übrigen Leitung erzeugen die schneller aufeinander in regelmäßigen Intervallen sich folgenden Entladungen eines Ton, dessen Höhe wächst. Sowie das Licht in der Röhre stetig wirk hört das Tönen des Kondensators auf. Auch das Telephon, wenn es in den Stromkreis eingeschaltet wird, läßt das Stetigwerden des Stromes erkennen.

Einen weitern Beweis für das Stetigwerden des Stromes sieht Hittort darin, daß so lange die elektromotorische Kraft der Batterie eine gewise Größe noch nicht erreicht hat, durch dieselbe ein stetiger Strom in de:

¹⁾ Hittorf, Wiedem. Ann. Bd. VII.

Gasröhren nicht hervorgerufen werden kann, dass aber, wenn der Strom durch das Hindurchführen einer Entladung durch das Gas eingeleitet ist, durch diese elektromotorischen Kräfte der Strom dauernd unterhalten werden kann. Hittorf meint, durch die erste Entladung seien die Gasmoleküle in den leitenden Zustand versetzt, und deshalb könne der Strom bei geringerer elektromotorischer Kraft dauernd werden, als jene ist, durch welche er zuerst eingeleitet werden könne. Da so ein eingeleiteter Strom durch eine elektromotorische Kraft unterhalten werden könne, welche ihn selbst nicht einleiten könne, so sei es unmöglich, das der von ihm als setig betrachtete Strom aus einer Reihe von Partialentladungen bestehe, welche durch wenn auch noch so kleine endliche Zwischenzeiten getrennt seien, und bei denen die Gasmoleküle abwechselnd den leitenden und nichtleitenden Zustand annähmen.

Hittorf hat durch Messung des Potentialgefälles in Gasröhren weiter den Nachweis liefern wollen, das in der That eine Leitung des Stromes in den Gasen stattfinde, ähnlich wie in flüssigen und festen Leitern. Um die Potentialdifferenz der Elektroden zu messen, wurden dieselben durch eine Zweigleitung von sehr großem Widerstande verbunden, in welche ein empfindliches Galvanometer eingesetzt war. Es waren ferner in das zu diesen Versuchen benutzte cylindrische Rohr senkrecht zur Axe seitlich eine Anzahl Elektroden eingeschmolzen, welche einige Centimeter von einander entfernt waren. Wurden je zwei dieser Elektroden durch dieselbe Zweigleitung mit großem Widerstande und demselben Galvanometer geschlossen, so gab der in der Zweigleitung beobachtete Strom die Potentialdifferenz an denjenigen Stellen der vom Strome durchsetzten Gassäule, an denen die Elektroden in das Gas eintauchten.

Gleichzeitig wurde die Stromstärke des das Gas durchsetzenden Stromes gemessen, welche durch Verminderung des Widerstandes unterhalb jener Grenze, bei welcher der Strom anfing stetig zu werden, innerhalb weiter Grenzen variiert werden konnte.

Bei konstanter elektromotorischer Kraft der Batterie und konstanter Gasdichte in dem mit Stickstoff von 0,6 mm Quecksilberdruck gefüllten Gasrohre fand sich bei einer Änderung des das Gas durchsetzenden Stromes bis zu seinem sechsfachen Wert die Potentialdifferenz der Elektroden ganz genau gleich, sie nahm nur sehr wenig zu, von 1 auf 1,3, als die elektromotorische Kraft verdoppelt und die Stromstärke auf den 46 fachen Wert gesteigert wurde. Die Potentialdifferenz zwischen zwei in das positive Licht eintauchenden Elektroden wurde durch eine Änderung der Stromstärke und der elektromotorischen Kraft der Batterie gar nicht geändert. Wir teilen im Folgenden einige der von Hittorf¹) angegebenen Potentialdifferenzen mit. Die Elektroden der Gasröhre hatten einen Abstand von 38,7 cm; die erste in das positive Licht eintauchende Elektrode b war von der Anode a 3,32, die zweite d von der ersten b 4,33 und die dritte e von d 4,62 cm entfernt. Es fand sich die Potential-differenz

¹⁾ Hittorf, Wiedem. Ann. Bd. XX.

bei einer Stromstärke			2,44	12,82	70,00	111,9	
zwischen	Anode	und	Kathode	133	133,5	157	173
11	,,	22	b	22	22	21	21
"	$\ddot{m{b}}$	"	d	14	13	12	12,25
"	d	"	r	13	13	13,5	12,5.

Hittorf schließt aus diesen Versuchen, daß das Leitungsvermögen der positiven Gasstrecke proportional der Stromstärke zunimmt, wenn de Dichtigkeit des Gases ungeändert bleibt.

Ich kann mich der Deutung, welche Hittorf seinen Versuchen giebt, nicht anschließen, gerade die von Hittorf gegebenen Messungen der Potentialdifferenzen scheinen mir den Beweis zu liefern, dass von eine Leitung der Gase keine Rede sein kann. Es findet nur ein Übergage der Elektricität von Elektrode zu Elektrode statt, wobei vielleicht sekundäre Elektrode die Glaswand der Röhre eine Rolle spielt. Diese Übergang findet statt, wenn die Potentialdifferenz der Elektroden einer gewissen Wert erhalten hat, und er wird ein ganz kontinuierlicher, wen von der Elektricitätsquelle der Zufluss der Elektricität so schnell erfolg dals trotz des Abflusses der Elektricität eine Verminderung der Potentialdifferenz nicht eintritt. Der kontinuierliche Strom verhält sich gewisse maßen wie der Strahl einer Feuerspritze, welcher vollkommen kontinuierlich wird, sobald man durch hinreichend schnelles Pumpen daft sorgt, dass im Windkessel der Druck nicht kleiner wird. tinuierliche Strom bei geringerer Differenz der Potentialfunktion an de Elektroden fortdauern kann, ist kein Beweis für die Leitung der Gae. wie llittorf annimmt; wissen wir doch, dass die Entladung der Leyder-Flasche aus einzelnen Partialentladungen besteht, welche der ersten Patialentladung folgen, welche entsteht, wenn die Potentialdifferenz de Elektroden so groß geworden ist, daß der Funke ihren Abstand über springen kann, trotzdem mit jeder Entladung die Potentialdifferenz der Belegungen abnimmt. Auch in den Gasröhren entsteht durch die einleitere Entladung gewissermaßen der Funkenkanal, dem mehr oder weniger fe gend die Elektricität bei hinreichendem Zuflus das Gas durchsetzt.

Hiernach ist keineswegs der ganze Querschnitt der Gasröhre als estetig durchflossene Strombahn anzusehen und alle die Folgerungen, weiße man aus dieser Anschauung zieht, kann ich nicht für berechtigt halte Man hat daraus gefolgert, daß die Temperatur der Entladungen est äußerst niedrige wäre, daß das Leuchten der Gase in den Röhren keit Glüherscheinung, sondern eine Phosphorescenz oder Fluorescenz-Erschlung sei. Ich kann bisher die dafür beigebrachte Begründung bei Flangegebenen Auffassung der Entladung nicht für stichhaltig ansehen.

Auf die vielen Versuche eine Erklärung der eigentümlichen Erladungserscheinungen in verdünnten Gasen, der positiven Büschelentidung mit ihrer Schichtung, des negativen Lichtes mit seinem dunkt Raume und den Kathodenstrahlen zu geben, gehe ich hier nicht er Trotz der vielen Versuche, die Entladungserscheinungen aus dem sonst gen Verhalten elektrischer Bewegungen abzuleiten, ist es bisher micht gelungen, dieselben unter einem einheitlichen Gesichtspunkt zu sammenzufassen. Wir verweisen deshalb wegen dieser Erklärungsserzen

auf die verschiedenen, in diesem Paragraphen bereits erwähnten Abhandlungen 1).

§. 156.

Einfluss des Magnets auf das elektrische Licht. Wir haben im §. 154 erwähnt, dass in der Lichthülle die Elektricität nach Art des galvanischen Stromes übergeht, wie das die Versuche von Koosen beweisen. Daraus läßt sich schließen, daß die Lichthülle dem Einflusse des Magnets unterworfen sein, dass sie wie jeder andere Stromleiter abgelenkt werden muß. Daß der Davysche Flammenbogen, das elektrische Licht zwischen Kohlenspitzen nach dem Ampèreschen Gesetz abgelenkt wird, wenn man einen Magnet auf denselben wirken läfst, hat schon Davy selbst beobachtet2), dass aber auch die Lichthülle des Induktionsfunkens in derselben Weise dem Einflusse des Magnets unterliegt, hat wohl zuerst A. de la Rive3) im elektrischen Ei wahrgenommen und in einem sehr hübschen Versuche gezeigt. Sehr bequem läßt sich dieser

Versuch mit dem Apparate Fig. 301 von Geissler zeigen. In das flaschenförmige Gefäs A ist oben an der Spitze ein Platindraht a eingeschmolzen, und ebenso ein Platindraht b seitlich, welcher die in das ovale Gefäss unten eingeschmolzene, oben geschlossene Glasröhre in Form eines Ringes umgiebt. Das Glasgefäß ist nicht ganz so weit wie eine Geisslersche Röhre luftleer gepumpt. In die unten in das Gefäss eingeschmolzene Glasröhre ist von unten ein Stab weichen Eisens eingeführt und festgekittet. Verbindet man nun die beiden Drähte a und b mit den Enden einer Induktionsspirale, so geht der Lichtstrom in der vorher beschriebenen Weise von dem oberen Drahte zu einem Punkte des unteren Ringes. Stellt man den Apparat auf den Pol eines kräftigen Elektromagnets, so daß der Eisenstab magnetisch wird, so rotiert der Lichtstrom um den Magnet wie jeder andere bewegliche Leiter es thun würde. Die Rotations-



richtung ist ganz den elektrodynamischen Gesetzen entsprechend, sie ist verschieden, je nach der Polarität des Eisens und nach der Richtung des Stromes in dem Gefäse.

Wie diese Rotation zustande kommt, ist leicht ersichtlich; in dem Gefäse geht der erste Induktionsfunke als Lichthülle über, diese wird durch die Wirkung des Magnets abgelenkt; der zweite Induktionsfunke

¹⁾ Man sehe auch eine Abhandlung von Lehmann, Wiedem. Ann. Bd. XXII. Eine Übersicht der verschiedenen Theorien der Entladung in verdünnten Gasen giebt Wiedemann in seiner Elektricitätslehre Bd. IV S. 476 ff.
2) Davy, Philosophical Transactions of London R. soc. for 1821 part. II. Gilberts Annalen Bd. LXXI.

³⁾ De la Rive, Poggend. Ann. Bd. CIV. Comptes Rendus T. LXVI. p. 674.

De la Rive und Sarrasin, Comptes Rendus T. LXXIV. p. 1114. Ann. de chim.

et de phys. IV. Sér. T. XXIX.

findet nun in der abgelenkten Lichthülle eine Strombahn, welche beleitet als alle übrigen Luftschichten des Apparates, deshalb geht er je in der Richtung der abgelenkten Lichthülle über: diese wird dann wie abgelenkt und so fort, so dass die Rotation durch die sich rasch folg den Ablenkungen der einzelnen Lichthüllen zustande kommt.

Die Ablenkung der Lichthülle des in der Luft überspringendes duktionsfunkens ist besonders von Du Moncel1) und Plücker2) untere und in ihren mannigfachen Formen gezeigt worden. Läst man der duktionsfunken zwischen den Polen eines kräftigen Elektromagnets äquatorialer Richtung überspringen, so wird, während der Funke is abgelenkt wird, die Lichthülle in Form eines Bogens Fig. 302 (in w cher man sich die Pole vor und hinter der Zeichnungsebene zu Anthat) zwischen den Elektroden p und n abgelenkt. Ist p die positiv, die negative Elektrode des Induktionsstromes, so ist der Lichtbegen to oben gekrummt; wenn sich der Nordpol vor der Ebene der Zeichen



befinden würde. Bringt man die Enden der Induktionsdrähte in aus Richtung über die Pole der Magnete (Fig. 303), so wird die Lichtfill eine Sförmige, in horizontaler Ebene liegende Kurve, welche von de in gerader Linie überspringenden Funken in der Mitte begrenzt wirl

Auch diese Erscheinungen lassen sich aus den elektromagnetisch Gesetzen der Einwirkung von Magneten und Strömen ableiten 1), und 1 schon S. 126 besprochen wurde, an dünnen Platindrähten darstellen

Sehr interessant ist die Einwirkung der Magnete auf das Licht den Geisslerschen Röhren, welche Plücker⁵) mit der größten Sond untersucht hat. Von den mannigfaltigen Erscheinungen, welche Plack dabei beobachtet hat, wollen wir nur diejenige in einer langeren Geisch schen Röhre beschreiben, welche axial auf die Pole eines Elektromagn gelegt ist.

Die Lichterscheinung in einer solchen Röhre, ohne daß sie auf Polen des Magnets liegt, ist Fig. 304 abgebildet. Um die negative El trode herum bildet sich das blaue Glimmlicht, in dem anderen Teile

Röhre zeigt sich die Schichtung des positiven Lichtstromes.

2) Plücker, Poggend. Ann. Bd. CXIII.

3) Man sehe Plücker, a. a. O.

4) Le Roux, Ann. de chim. et de phys. III. série. T. LIX.
5) Plücker, Poggend. Ann. Bd. CIII. CIV. CV. CVII und CXIII. Mar auch Hittorf, Poggend. Ann. Bd. CXXXVI. Über den Einfluß des Magnet die Schichtung und Entwicklung des positiven Lichtes. Wüllner, Poggend Jubelband; ferner die im vorigen Paragraphen erwähnten Arbeiten von Gstein, Crookes, E. Wiedemann; eine Übersicht der mannichtachen Erscheinsgiebt G. Wiedemann in seiner Elektrichtatslehre Bd. W. S. 138 C.

¹⁾ Du Moncel, Recherches sur l'étincelle d'induction Paris 1860.

Legt man diese Röhre mit ihrem engeren Teile, Fig. 305, auf die Pole SN eines Elektromagnets, so gehen die Schichten in einen schmalen, doppelt gekrümmten Lichtstreif über, indem, wenn der Strom von dem Nordpole zum Südpole geht, über dem Nordpole der Streifen nach hinten, über dem Südpole nach vorn hin abgelenkt wird. Über der Trennungsstelle der Pole erscheint ein leuchtender Bogen, der die Streifen mit einander verbindet. Wie man sieht ist die Ablenkung ganz der Ampèreschen Regel entsprechend.

Fig. 304.



Fig. 305.



Fig. 306.



Verschiebt man die Röhre so, daß die negative Elektrode sich über der Trennungsstelle der Magnetpole befindet, Fig. 306, so wird das negative Glimmlicht zu einer Fläche zusammengezogen, welche die Gestalt der magnetischen Kurven hat, der Kurven, welche Eisenfeilspäne zwischen den Magnetpolen annehmen würden. Das negative Glimmlicht verhält sich also nicht wie das positive Licht, d. h. es wird nicht nach den elektromagnetischen Gesetzen abgelenkt, sondern es verhält sich so, als wenn es aus einzelnen magnetischen Partikeln bestände.

Schaltet man mit der Geisslerschen Röhre in den Kreis des Induktionsstromes zugleich eine Leydener Flasche ein, etwa so, daß man das eine Ende mit der innern Belegung der Flasche verbindet, das andere mit der Außern, und in diese Leitung zugleich die Geisslersche Röhre einschaltet, Fig. 307, so gehen durch die Röhre in rascher Folge Ströme nach entgegengesetzter Richtung. Der Öffnungsstrom ladet nämlich dann die Leydener Flasche, nach Aufhören desselben, wenn der Schließungsstrom sich hildet, entladet sie sich, und der Entladungsstrom verbunden mit dem Schließungsstrom durchsetzen die Röhre nach entgegengesetzter Richtung. Dann zeigt sich in der Röhre (Fig. 307) an beiden Elektroden das negative blaue Glimmlicht, und zwischen denselben die Schichtung. Die Schichten sind gar nicht oder nach beiden Seiten gekrümmt.

Legt man nun diese Röhre auf die Pole des Elektromagnets (Fig. 3) so werden die Schichten in zwei Lichtstreifen getrennt, von denen je einzelne dem Streifen Fig. 305 entspricht, die aber entgegengesetzt gelenkt werden, da zwei entgegengesetzte Ströme in ihnen fließen,



Fig. 308.



Dadurch sind die Geißlerschen Röhren, besonders in Verhindung n Magneten, ein vorzügliches Mittel, um alternierende Ströme zu beobacht und mit Hilfe derselben hat Paalzow1) den S. 61 erwähnten Nachwe geliefert, daß unter den Umständen, unter welchen Feddersen auf and Weise es erkannt hatte, die Entladungen der Leydener Flasche altem rende sind. Dadurch ist in vielen Fällen die Untersuchung der E ladungserscheinungen eine viel bequemere geworden, da man bierin sehr einfaches Mittel hat, um zu entscheiden, wann die Entladung fach, wann sie alternierend ist. Die früher erwähnten Untersuchung Oettingens und Lipharts sind meist mit diesem Hilfsmittel angestellt.

8, 157,

Zurückführung der elektromotorischen Kraft und des Will standes auf absolutes Mafs. Es erübrigt uns noch eine Anwend der Induktionsgesetze zu erläutern, nämlich die Zurückführung der S stanten des galvanischen Stromes auf absolutes Maß. Die im dri Abschnitte angenommenen Einheiten für die elektromotorische Kratt den Widerstand waren willkürliche, von keiner anderen Einheit oder von der ebenfalls willkürlich gewählten Einheit der Stromstärke abhan Wir setzten nämlich jene elektromotorische Kraft der Einheit gleich, che in einem Stromkreise, dessen Widerstand der Einheit gleich ist,

¹⁾ Paalzow, Poggend. Ann. Bd. CXII.

Einheit der Stromstärke giebt. Die Einheit der Stromstärke lieferte uns die chemische Wirkung des Stromes, die Einheit des Widerstandes die Längeneinheit eines Drahtes von der Einheit des Querschnittes und von einem bestimmten Metall, Kupfer oder Silber oder dem schliefslich allgemein angenommenen Quecksilber. Durch Annahme dieser Einheiten war die der elektromotorischen Kraft nach dem Ohmschen Gesetze ein-

deutig bestimmt. .

Auch als wir im §. 128 die Stromstärke in absolutem elektromagnetrischen oder elektrodynamischen Maße, das heißt durch das reduzierte Drehungsmoment maßen, welches der die Flächeneinheit umkreisende Stromeinem die Einheit des magnetischen Momentes besitzenden Magnete erteilt, blieb das Maß des Widerstandes oder der elektromotorischen Kraft noch willkürlich, beziehungsweise, da wir die Siemenssche Quecksilbereinheit als Widerstandsmaß beibehielten, war die Einheit der elektromotorischen Kraft gegeben als jene, welche in einem Stromkreise vom Widerstande der Quecksilbereinheit die absolute Einheit der Stromstärke hervorruft.

W. Weber¹), dem wir überhaupt die Einführung der absoluten Maße in die elektrischen Messungen verdanken, hat indes gezeigt, daß wir auf Grund der Induktionsgesetze die elektromotorische Kraft in absolutem Maße, das heißt ebenso wie den Magnetismus in einem Maße ausdrücken können, welchem die Maße der Mechanik zu Grunde liegen. Weber wandte als Maße das Milligramm, Millimeter, Sekunde an. Derselbe

stellte drei absolute Masse auf.

Das erste derselben beruht auf den Gesetzen der Magnetinduktion²), führt also zu dem absoluten Maße durch Vermittelung des absoluten Maßes des Magnetismus. Wie wir im §. 127 und 128 sahen, ist das reduzierte Drehungsmoment, welches ein Kreisstrom einem in seiner Axe befindlichen der Stromebene parallelen Magnete oder welches der Magnet dem Strome erteilt, bei Anwendung des absoluten elektromagnetischen Strommaßes, gleich dem doppelten Produkte aus dem magnetischen Momente des Magnetes und dem Produkte aus der Stromstärke und der vom Strome umkreisten Fläche. Die elektromagnetische Wirkung des Stromes ist einfach gleich derjenigen eines Magnetes, dessen Moment gleich dem Produkte aus der Stromstärke und der umkreisenden Fläche ist. Die eben vorausgesetzte Lage von Strom und Magnet entspricht aber, wenn wir uns den Magnet parallel dem magnetischen Meridiane gelegt und den Strom östlich oder westlich aufgestellt denken, der ersten Hauptlage. Der Magnet sucht in dem Falle den Strom so zu drehen, dass die Axe der Stromebene jener des Magnetes parallel wird. Bringt man den Magnet und den Stromkreis in die zweite Hauptlage, legt also den Magnet ost-westlich und bringt den Stromkreis nördlich oder südlich, so dass seine Axe senkrecht ist zur magnetischen Axe des Magnets, so sucht auch dann der Magnet den Strom so zu drehen, daß die Axe der Stromebene der Axe des Magnetes parallel wird.

Wenn man deshalb einen Stromkreis vor einem Magnete so aufstellt, daß die Ebene des Kreises mit der Axe des Magnetes zusammenfällt oder

2) W. Weber, a. a. O.

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere Widerstandsmessungen.

zu ihr parallel ist und dann schnell den Stromkreis um 90° dreht, war dass die Axe der Stromebene mit der Richtung der magnetischen Axe parallel wird, so wird in dem Kreise ein Strom induziert, dessen elektromotorische Kraft nach den Induktionsgesetzen dem Flächeninhalt des Kreises und dem magnetischen Moment des Magnetes direkt proportional ist

Dadurch gelangt Weber zu dem absoluten Mass der elektromotorischen Kraft. Ein Stromkreis schließe die Flächeneinheit ein und befinde sich in einer solchen Lage zu einem Magnete, dass ihm, wenn er von der Einheit des Stromes umflossen würde, durch den Magnet ein der Einheit gleiches Drehungsmoment erteilt würde; wird er dort aus der der Richtung der magnetischen Kraft parallelen Lage in der Zeit einer Sekunde in die zur Richtung der magnetischen Kraft senkrechte Lage gebracht, so wird in ihm die Einheit der elektromotorischen Kraft induziert.

Der Erdmagnetismus erteilt einem in horizontaler Ebene drehbaren Magnete, dessen magnetisches Moment der Einheit gleich ist, in der zum Meridian senkrechten Lage das Drehungsmoment T; ganz dasselbe Drehungsmoment erhält ein dem Meridiane paralleler Stromkreis, dessen Flächeninhalt gleich der Einheit ist, wenn wir uns denselben von der Einheit der Stromstärke umflossen denken. Wird deshalb ein die Flächeneinheit umfließender Stromkreis einmal in der Sekunde um eine vertikale Aus aus der dem Meridiane parallelen in die zu dem Meridiane senkrechte Lage gedreht, so ist die in demselben induzierte elektromotorische Kraft ebenfalls gleich T; geben wir der Fläche die Größe F, so wird die elektromotorische Kraft gleich FT.

Die Einheit des Widerstandes im absoluten elektromagnetischen Maßssystem ist durch die Einheit der Stromstärke und der elektromotorischen Kraft gegeben; der Widerstand eines geschlossenen Kreises ist der Einheit gleich, wenn die Einheit der elektromotorischen Kraft in diesem Kreise die Einheit der Stromstärke erzeugt. Ist deshalb E die elektromotorische Kraft etwa einer Kette im absoluten elektromagnetischen Maße gemessen, J die Stromstärke, welche E in dem die Kette schließenden Stromkreise erzeugt, so ergiebt sich der Widerstand W, in absoluten Einheiten ausgedrückt, aus dem Ohmschen Gesetz

$$J = \frac{E}{W}; \quad W = \frac{E}{J}.$$

Kennt man den Widerstand W einer Kette in absolutem Maße, so erhält man aus Beobachtung der Stromstärke J in ebenfalls absolutem Maße die elektromotorische Kraft der Kette in dem gleichen Maße aus der Gleichung

$$E = JW$$
.

Wie erwähnt legte Weber bei seiner Maßbestimmung die absoluten Einheiten von Gauß, Milligramm, Millimeter, Sekunde zu Grunde; un das Verhältnis der [CGS] Einheit zur Weberschen zu bestimmen, suches wir zunächst die Dimensionen der elektromotorischen Kraft und des Widerstandes auf.

Die durch den Erdmagnetismus T in einer Fläche F induzierte elektromotorische Kraft ist, wenn die Fläche in t Sekunden einmal aus der zum Meridian senkrechten in die dem Meridian parallele Lage gebrake

wird, gleich $\frac{FT}{t}$. Die Dimension einer Fläche ist das Quadrat einer Länge, für die Dimension von T fanden wir S. 107

$$T = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{-1/2} \tau^{-1} \right],$$

somit ist

$$\frac{FT}{t} = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{1/2} \tau^{-2} \right].$$

Da

$$Mgr = \frac{gr}{1000} \quad Mm = \frac{cm}{10},$$

 $\overline{}$ so wird bei dem Übergange zum [GCS] System die elektromotorische $\overline{}$ Kraft

$$\frac{FT}{t} = z \left[\frac{gr^{1/2}}{\sqrt{1000}} \quad \frac{cm^{3/2}}{\sqrt{1000}} \tau^{-2} \right] = 0.001 \ z \left[gr^{1/2} \ cm^{2/2} \ sec^{-2} \right]$$

oder die elektromotorische Kraft wird durch eine Zahl angegeben, welche ein tausendstel derjenigen ist, die uns dieselbe elektromotorische Kraft nach Weberschen Einheiten giebt. Die Einheit im [GCS] System ist somit die tausendfache der Weberschen Einheit der elektromotorischen Kraft.

Dass wir in dieser Weise die Dimensionen der elektromotorischen Kraft richtig bestimmt haben, können wir noch auf einem anderen Wege zeigen. Wie wir wissen giebt uns das Produkt aus der Stromstärke und der elektromotorischen Kraft die in dem Stromkreise in der Zeiteinheit von dem Strome gelieserte Arbeit (§. 93). Somit hat das Produkt Eimultipliziert mit der Zeit t die Dimension einer Arbeit, welche gleich dem Produkte einer Kraft in eine Länge ist. Wir erhalten demnach

$$Eit = z \left[\mu \ \lambda^2 \ \tau^{-2} \right].$$

Für die Stromstärke erkannten wir §. 128

$$i = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{1/2} \tau^{-1} \right],$$

somit folgt für E, wie oben, indem wir durch it dividieren,

$$E = z \left[\mu^{1/2} \lambda^{3/2} \tau^{-2} \right].$$

Aus den Dimensionen der elektromotorischen Kraft und der Stromstärke ergeben sich jene des Widerstandes

$$W = \frac{E}{i} = z \left[\lambda \ \tau^{-1} \right].$$

Die Dimension des Widerstandes im elektromagnetischen System ist somit einfach diejenige einer Geschwindigkeit, der Quotient einer Länge dividiert durch die Zeit. Da die Einheit der Länge im [CGS] System das zehnfache der Gausschen Einheit ist, so folgt, dass die Einheit des Widerstandes auch die zehnfache ist.

Es entspricht das den Angaben für die anderen Einheiten, nach welchen im [CGS] System die Einheit der elektromotorischen Kraft die tausendfache, die der Stromstärke die hundertfache der Weberschen Einheiten ist; darnach muß die Einheit des Widerstandes die zehnfache sein.

Im §. 128 haben wir erwähnt, daß der Pariser Elektriker-Kengnanten praktische Einheit der Stromstärke den zehnfachen Wert der Weisschen absoluten elektromagnetischen Einheit oder dem zehnten Teil der stsoluten Einheit im [CGS] System unter dem Namen Ampère angenenne habe. Weiter haben wir schon erwähnt, daß als praktische Einheit der elektromotorischen Kraft das Volt und als solche des Widerstandes des Ohm bestimmt sei. Von den beiden letzteren Größen wurde das Un als 10¹⁰ Webersche, somit als 10⁹ Einheiten des Widerstandes im [CGS] System definiert. Da das Volt nach dem Ohmschen Gesetze dahn den niert werden muß, daß es als elektromotorische Kraft in einem Stankreise wirkend, der einen Widerstand eines Ohm hat, die Stromstärken Ampère erzeugt, so folgt, daß das Volt 10⁸ Einheiten der elektromotorische Kraft des [CGS] Systems hat. Es ist somit

Einheit des Stromes, 1 Ampère, — 0,1 [gr½ cm½ sec-1]

" des Widerst., 1 Ohm, — 10° [cm sec-1]

" der elektrom. Kraft, 1 Volt, — 10° [gr½ cm½ sec-1]

Außer diesen Einheiten hat man auch noch Einheiten der Elektricitätsmenge und der Kapacitäten eines Kondensators eingeführt. Als Enheit der Elektricitätsmenge bezeichnet man jene, welche in der Schmid durch den Querschnitt eines Leiters geht, in welchem die Stromstäne eines Ampère vorhanden ist, und nennt dieselbe ein Coulomb. Da de Stromstärke uns die in der Zeiteinheit durch den Leiterquerschnitt fließende Elektricität im elektromagnetischen Maße giebt, so liefert uns das Produkt aus der Stromstärke und der Zeit die überhaupt durch den Stromkreis fließende Elektricität. Wir erhalten demnach in diesem Produkt das Maß der Quantität. Demnach ist die Quantität Q in Coulombs gegeben durch

$$Q = z \ 0,1 \ [gr^{1/2} \ cm^{1/2}].$$

Die Dimension des Quantitätsmaßes der Elektricität ist somit im elektromagnetischen Maßsystem sowohl in Bezug auf Masse wie auch als Länge von der Potenz ein halb.

Als Einheit der Kapacität wird diejenige eines Kondensators bezeichnet welcher durch die Quantität eines Coulomb zur elektromotorischen Kraft resp. zur Potentialfunktion ein Volt geladen ist. Man nennt diese Kapacität nach dem Namen Faradays, ein Farad. Wird demnach ein Kondensater durch die Quantität Q zu p Volts geladen, so ist seine Kapacität gleich Zur Bestimmung der Dimensionen der Kapacität erhalten wir daher¹)

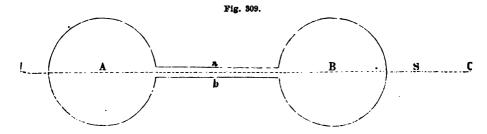
$$C = \frac{Q}{p} = z \frac{0.1 \left[gr^{1/2} cm^{1/2} \right]}{10^8 \left[gr^{1/2} cm^{9/2} sec^{-2} \right]} = z \cdot 10^{-9} \left[cm^{-1} sec^{2} \right].$$

Wenn auch die im absoluten elektromagnetischen Massystem wasprünglich definierten Größen die Stromstärke und die elektromotorische

¹⁾ Auf die Verschiedenheit in den Dimensionen derselben Größen im magnitischen und elektrischen Malssystem kommen wir bei Besprechung des letzt noch zurück.

Kraft sind, und der Widerstand die aus beiden abgeleitete Größe ist, so ist es doch am bequemsten mit Hilfe des in absoluten Einheiten bekannten Widerstandes eines Stromkreises und der leicht zu messenden Stromstärke die elektromotorische Kraft und die übrigen Größen in absolutem Maße zu bestimmen. In der Siemensschen Quecksilbereinheit haben wir nämlich einen stets und zuverlässig zu reproduzierenden Widerstand, mit welchem wir nach den im §. 84 und §. 85 ausführlich besprochenen Methoden leicht jeden andern Widerstand vergleichen können. Kennen wir den Widerstand der Quecksilbereinheit in Ohms, so haben wir nur den in Quecksilbereinheiten gemessenen Widerstand mit der betreffenden Zahl, dem Verhältnisse des Ohms zur Quecksilbereinheit, zu multiplizieren, um den Widerstand in absolutem Maße zu bestimmen. Es ist deshalb in den letzten Jahren von einer großen Zahl von Physikern das Verhältnis der Quecksilbereinheit zum Ohm, beziehungsweise der Widerstand der Quecksilbereinheit in absolutem Maße bestimmt worden.

Die ersten Methoden zur Messung von Widerständen in absolutem Maße sind von W. Weber angegeben worden¹). Die einfachste derselben schließt sich unmittelbar an die Definition der elektromotorischen Kraft. Ein Drahtkreis wird in einer gemessenen Zeit r aus der dem magnetischen Meridiane parallelen in die zum Meridian senkrechte Lage gedreht, die in dem mit dem Drahtkreise verbundenen Stromkreise erzeugte Stromintensität nach absolutem Maße gemessen, und nach dem Ohmschen Gesetze aus der durch die Dimensionen des Drahtkreises und der Horizontalkomponente des Erdmagnetismus gegebenen elektromotorischen Kraft und der Stromstärke der Widerstand des Stromkreises bestimmt.



Denken wir uns, um die nach dieser Methode nötigen Messungen auseinanderzusetzen, als Erdinduktor einen dem Meridiane parallelen Kreis A (Fig. 309), welcher durch zwei parallele Drähte a und b mit einem zweiten ebensolchen Kreise verbunden ist, dass die beiden Kreise mit den Drähten eine geschlossene Kette bilden. In C befinde sich eine kleine Magnetnadel, deren magnetisches Moment gleich m sei.

Die Radien beider Kreise seien gleich r und r_1 . Wird der Kreis A in der Zeit τ aus der dem Meridiane parallelen in die senkrechte Lage gedreht, so wird durch die horizontale Komponente T des Erdmagnetis-

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere Widerstandsmessungen; ferner: Zur Galvanometrie. Abhandl. der Königl. Gesellschaft der Wissenschaften. Bd. X. Göttingen 1862.

mus in demselben eine elektromotorische Kraft induziert, welche in der gewählten Einheit ist

$$E = \frac{\pi r^2}{r} T.$$

Durch diese Kraft wird in beiden Kraisen A, B und in den Duktar a, b ein Strom erregt, dessen Intensität in absolutem elektromagnetische Maße i sei. Nehmen wir an, daß der Kreis A soweit von der Magnenadel C entfernt sei, daße er nicht auf dieselbe einwirke, so wird de Nadel C von dem zweiten Kreise ein Drehungsmoment erhalten, welches wenn R der Abstand der Nadel von dem Mittelpunkte des Kreises it nach §. 128 gleich ist

$$\frac{r_1^2\pi}{R^2}im.$$

Ist K das Trägheitsmoment der Nadel, so ist die der Nadel hiere durch erteilte Beschleunigung

$$\frac{r_1^2\pi}{R^2} \frac{im}{K}$$

und die der Nadel in der Zeit z erteilte Geschwindigkeit

$$\frac{r_1^2\pi}{R^2} \cdot \frac{i m}{K} \tau.$$

Ist t die Schwingungsdauer der Nadel, so erhalten wir, wenn sie ohne Dämpfung schwingt, die größte Elongation α der Nadel, indem wir die Geschwindigkeit mit t multiplizieren und durch π dividieren, so daß

$$\alpha = \frac{r_1^2}{R^3} \frac{i \, m}{K} \, v \, t.$$

Die Schwingungsdauer t der Nadel ist

$$t=\pi\sqrt{\frac{K}{m\ T}},$$

woraus

$$\frac{m\ t}{K} = \frac{\pi^2}{t\ T}$$

$$\alpha = \frac{r_1^2 \pi^2}{R^3} \frac{i \tau}{t T}, \qquad i = \frac{\alpha R^3}{\pi^2 r_1^2} \frac{t}{\tau} T.$$

Nun ist, wenn W den gesamten Widerstand der Kette bedeutet,

$$i = \frac{E}{W}; \qquad W = \frac{E}{i},$$

somit

$$W = \frac{\pi^3 \, r^2 \, r_1^2}{\alpha \, R^3 \, t},$$

so dass es also zur Bestimmung von W der Beobachtung von α und der Bestimmung von r, r₁ R und t bedarf.

Nach diesem einfachen Schema können allerdings die Versuche nicht durchgeführt werden, da der Wert a zu klein sein würde, um scharf gemesen zu werden. Man wird die Magnetnadel zunkehnt in den Kittalaun!

Kreises B bringen und als solches ein empfindliches Galvanometer anwenden, welches auf absolutes Strommass geaicht ist. Da ein solches immer mit Dämpfung begabt ist, wird man die im §. 149 besprochene Multiplikationsmethode benutzen, um die durch den Induktionsstoß erteilte Geschwindigkeit aus der konstant gewordenen Elongation zu berechnen. Schliesslich wird auch als Drahtkreis A nicht ein einfacher Draht, sondern ein mit vielfachen Windungen bewickelter Induktor genommen. Die Bestimmung der Fläche, welche von dem Drahtkreis eingeschlossen wird, ist in dem Falle nicht ganz leicht, da eine direkte Ausmessung nur schwierig ganz genaue Resultate giebt. F. Kohlrausch¹) und Himstedt²) haben deshalb ausführlich eine Methode behandelt, welche aus der elektromagnetischen Wirkung des Induktors, der von einem Strom bekannter Stärke umflossen wird, die Größe der vom Strom umflossenen Fläche zu bestimmen gestattet. Dass das möglich ist, ergiebt sich aus dem bei Einführung des absoluten Strommasses bereits benutzten Satze, dass das Produkt aus der umströmten Fläche und der Stromstärke das elektromagnetische Moment des betreffenden Induktors ist.

Nach dieser Methode, wegen deren Details wir auf die Arbeiten Webers verweisen, haben G. Wiedemann³), Mascart⁴) und F. Kohlrausch^b) den Widerstand der Quecksilbereinheit in absolutem Masse bestimmt.

Aus der Arbeit von Kohlrausch erwähnen wir nur die von Weber angegebene sinnreiche Methode, um das empfindliche zu den Versuchen benutzte Galvanometer auf absolute Stromstärke zu aichen. Es geschieht das durch Beobachtung der Dämpfung im Galvanometer, einmal wenn dasselbe offen ist und darauf, wenn dasselbe mit dem Induktor zu einem Stromkreise verbunden ist. Aus der Beobachtung der Dämpfung und der durch den Induktionsstofs bewirkten Ablenkung ergiebt sich unmittelbar der Widerstand des Stromkreises in absolutem Masse.

Die Gleichung für die gedämpften Schwingungen ist (§. 149)

$$\frac{d^2\varphi}{dt^2} + 2\varepsilon \frac{d\varphi}{dt} + \kappa^2 \varphi = 0.$$

Ist t die Schwingungsdauer der gedämpften Schwingungen und λ das logarithmische Dekrement, so ist

$$t \sqrt{n^2 - \varepsilon^2} = \pi \qquad \varepsilon = \frac{1}{t}.$$

Mit Hilfe der aus dem beobachteten λ und t sich ergebenden Größe ε lässt sich die Beziehung zwischen der absoluten Stromstärke und der Ab-

¹⁾ Fr. Kohlrausch, Wiedem. Ann. Bd. XVIII. Schon früher haben Bosscha (Poggend. Ann. Bd. XCIII) und Maxwell (Treatise on Electricity etc. erste Aufl. Bd. II S. 354) ähnliche Methoden vorgeschlagen.

2) Himstedt, Wiedem. Ann. Bd. XVIII.

3) G. Wiedemann, Abhandl. der Berliner Akad. 1884. Wiedemanns Messungen haben die von W. Weber und Züllner (Berichte der Königl. Sächs. Geschlech der Wiesenschaft und Züllner (Berichte der Königl. Sächs. Geschlech der Wiesenschaft und Züllner (Berichte der Königl. Sächs. Geschlech

sellsch. der Wissensch. zu Leipzig 1880) begonnenen Versuche zum Abschluß gebracht.

⁴⁾ Mascart, de Nerville und Benoit, Experiences sur la determination de l'Ohm. Paris (Gauthier Villars) 1884. Ann. de chim. et de phys. 6. 86r. T. VI. 5) Kohlrausch, Poggend. Ann. Ergänzungsbd. VI.

lenkung der Magnetnadel im Multiplikator geben, ohne daß man die Demensionen der Drahtwindungen zu kennen braucht.

Nennen wir q das Drehungsmoment, welches der durch die Windungen des Galvanometers hindurchgehende Strom, dessen Stärke nach absoluten Maße-gleich eins ist, der Galvanometernadel, wenn sie den Windungen parallel ist, erteilt, Kohlrausch nennt diese Größe den Empfindlichkeitskoefficienten des Galvanometers, so ist nach den Induktionsgesetzen — q die elektromotorische Kraft, welche die Galvanometernadel in den Windungen des Galvanometers induziert, wenn sie die Parallelstellung mit den Windungen mit der Geschwindigkeit $\frac{d\varphi}{dt}$ passiert. Ist w der Widestand des ganzen Stromkreises, von welchem das Galvanometer einen Teilbildet, bei diesen Messungen also des Galvanometers und des Induktors, so ist der in diesem Momente induzierte Strom gleich — $\frac{q}{w}$ $\frac{d\varphi}{dt}$. Durch diesen Strom erhält die Galvanometernadel das ihrer Bewegungsrichtung entgegengesetzte, also das dämpfende Moment — $\frac{q^2}{w}$ $\frac{d\varphi}{dt}$.

Zu dieser Dämpfung kommen noch andere dämpfende Ursachen, wie Luftwiderstand etc., welche ebenfalls der Geschwindigkeit proportional sind, und welche wir, wenn e eine Konstante ist, schreiben können — $c \, \frac{d \, \phi}{d \, t}$.

Wenn, was die Differentialgleichung der Schwingungen voranssetzt, die Schwingungen nur klein sind, und die Gleichgewichtslage die den Windungen parallele Lage der Nadel ist, können wir das die Nadel gegen die Gleichgewichtslage durch Wirkung des Erdmagnetismus und die Torsion des Fadens bei einer Ablenkung φ zurücktreibende Drehungsmoment setzen $-D\varphi$, und erhalten so, wenn K das Trägheitsmoment der Nadel ist, als Differentialgleichung der schwingenden Bewegung

$$\frac{d^2\varphi}{dt^2} + \frac{1}{K} \left(\frac{q^2}{w} + c \right) \frac{d\varphi}{dt} + \frac{D}{K} \varphi = 0.$$

Man erkennt, dass in dieser Gleichung

$$\frac{D}{K} = \varkappa^2, \qquad \frac{1}{K} \left(\frac{q^2}{w} + c \right) = 2\varepsilon,$$

somit da $2\varepsilon = \frac{2\lambda}{t}$

$$\frac{1}{K} \left(\frac{q^*}{w} + c \right) = 2 \, \frac{\lambda}{t},$$

eine Gleichung, aus welcher q erhalten wird, wenn c bekannt ist. Diese Größe erhält man aus der Dämpfung λ_0 und der Schwingungsdauer l_0 , wenn die Nadel des Galvanometers schwingt, ohne daß der Stromkreis geschlossen ist

$$\frac{c}{K} = 2 \frac{\lambda_0}{\lambda_0}$$

$$q^2 = 2 w K \left(\frac{\lambda}{t} - \frac{\lambda_0}{t_0} \right)$$

oder

$$q^2 = 2 \frac{wK}{t_0} \left(\lambda \frac{t_0}{t} - \lambda_0 \right) = 2 \frac{wK}{t_0} \left(\lambda \sqrt{\frac{\pi^2 + \lambda_0^2}{\pi^2 + \lambda^2}} - \lambda_0 \right) \cdots (1)$$

. Man hat somit nur die Größe w zu bestimmen, um das von einem **Strom** von der Stärke i erteilte Drehungsmoment q. i zu erhalten.

Bei den Versuchen von Kohlrausch handelt es sich gerade um die Messung von w; das geschieht durch Beobachtung des Induktionsstofses, wenn der Induktor in der kleinen Zeit τ aus der zum Meridian senkrechten Lage um 90° oder aus der dem Meridian parallelen Lage um 180° gedreht wird. Ist F die von den Windungen des Induktors umflochtene Fläche, T die Horizontalkomponente des Erdmagnetismus, so ist $2\frac{FT}{\tau}$ die elektrometorische Kraft, wenn der Induktor um 180° gedreht wird, somit $2\frac{FT}{\tau w}$ die Stromstärke und weiter $2q\frac{FT}{\tau w}$ das während der Zeit τ wirkende Drehungsmoment; die der Nadel in der Zeit τ erteilte Geschwindigkeit C wird demnach

$$C = 2 \frac{q}{K} \frac{FT}{\tau w} \tau = 2 \frac{q}{K} \frac{FT}{w} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (2)$$

Diese Geschwindigkeit C ergiebt sich nach den §. 149 angegebenen Methoden entweder aus der ersten Elongation oder nach der Multiplikationsmethode oder der Zurückwerfungsmethode. Aus Gleichung (2) ergiebt sich

$$q = \frac{C}{2} \frac{Kw}{FT},$$

und aus den Gleichungen (1) und (2)

$$w = \frac{1}{C^2} \frac{8 F^2 T^2}{t_0 K} \left(\lambda \sqrt{\frac{\pi^2 + \lambda_0^2}{\pi^2 + \lambda^2}} - \lambda_0 \right).$$

Es bedarf demnach bei dieser Beobachtungsweise keiner Ausmessung der Windungen des Galvanometers, um aus den Beobachtungen den Widerstand des Stromkreises in absolutem Masse zu erhalten.

Wenn man das magnetische Moment der im Galvanometer schwingenden Magnetnadel bestimmt, und aus den Dimensionen des Multiplikators das Drehungsmoment berechnen kann, das ein Strom von der Stärke eins der Magnetnadel in der den Windungen parallelen Lage erteilt, so läßt sich, wie wieder Weber¹) zuerst gezeigt hat, lediglich aus der Beobachtung der Dämpfung der Widerstand des das Galvanometer schließenden Stromkreises aus Gleichung (1) ableiten.

Besteht der Multiplikator des Galvanometers aus n kreisförmigen Windungen vom Radius R, welche eine Spirale von der Länge L bilden, in deren Mittelpunkt sich eine gegen R sehr kurze Nadel vom magnetischen Moment M befindet, so ist nach §. 127 das Drehungsmoment,

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Maßebestimmungen, insbesondere Widerstandsmessungen Art. 12, 15 und Anl. D.

welches ein Strom von der Stärke eins der Nadel, wenn sie den Win dungen parallel ist, erteilt,

$$q = \frac{2\pi \pi M}{\sqrt{R^3 + L^3}}.$$

Mit Benutzung der Gleichung (1) ergiebt sich dann

$$q^2 = 2 \, \frac{w \, K}{t_0} \left(\lambda \, \sqrt{\frac{\pi^2 + k_0^2}{\pi^2 + k^2}} - k_0 \right) - \frac{4 \, (m \, \pi \, M)^2}{R^2 + L^2},$$

und daraus

$$w = 2 \frac{t_0}{K} \frac{(n \pi M)^2}{R^2 + L^2} \frac{1}{2 \sqrt{\frac{n^2 + \lambda_0^2}{n_0^2 + L^2} - \lambda_0}}.$$

Mit Hilfe der beobachteten Schwingungsdauer to kann man außerdem noch das Trägheitsmoment K nach den Schwingungsgleichungen ferschaffen, indem für dasselbe die Horizontalkomponente des Krdmagnetisses eintritt.

Nach dieser, wir wollen sie die zweite Webersche Methode neuen haben Fr. Weber'1), Wild's) und Dorn's) den Wert der Siemens-Einhei in Ohms bestimmt. Auch hier verweisen wir wegen der Details auf de Originalarbeiten.

Noch eine dritte Methode hat W. Weber angegeben, die Rotation eines Stromkreises in der §. 144 besprochenen Weise um eine vertikele oder horizontale Axe und Beobachtung der hierdurch in dem Kreise induzierten Stromstärke an einer im Mittelpunkte des Kreises befindliches Magnetnadel, welche, wie wir damals sahen, bei hinreichend rascher Retation eine konstante Ablenkung erhält⁴). So einfach diese Methode m sein scheint, so schwierig ist doch dieselbe, da in diesem Falle zu der Induktion durch den Erdmagnetismus diejenige des Magnetismus der Nadel auf den Induktor hinzukommt und außerdem die in dem Induktor entstehenden Extraströme nicht außer Acht gelassen werden dürfen.

Nach dieser Methode sind die Messungen der British Association zur Feststellung des Etalons (§. 83), der ein Ohm sein sollte, ausgestihrt worden⁵), und später haben Lord Rayleigh und Schuster⁶), sowie Lord Rayleigh allein 7) nach der gleichen Methode Messungen ausgeführt. Außerdem hat H. Weber⁸) diese Methode angewandt, wobei er den Induktor

¹⁾ Fr. Weber, Absolute elektromagnetische und kalorimetrische Messunges.

²⁾ Wild, Memoiren der Petersburger Akademie 1884. Wiedem. Am. Bd. XXIII.

³⁾ Dorn, Wiedem. Ann. Bd. XVII. Bd XXII.
4) W. Weber, Zur Galvanometrie S. 12.
5) Report of the British Association 1862, 1863, 1864, 1865. Man selected die Kritik dieser Versuche von F. Kohlrausch, Poggend. Ann. Ergzebt. VI.
6) Lord Rayleigh und Schuster, Proceedings of the Royal Soc. of London. T. XXXII (1881).

Lord Rayleigh, Philosophical Transactions for the year 1882 part 2.
 H. Weber, Der Rotationsinduktor. Leipzig, B. G.: Technen. 1882

um eine horizontale Axe rotieren liefs und, um die Induktionswirkung der Nadel zu eliminieren, die Rotationsaxe des Induktors der Axe der abgelenkten Magnetnadel parallel stellte. Hier sind außer der Induktion durch den Erdmagnetismus nur die Extraströme in Betracht zu ziehen. Wir gehen auf diese Methode nicht näher ein, sondern verweisen auf die

namhaft gemachten Originalabhandlungen.

Den Widerstand eines Stromkreises in absolutem Maße kann man ferner direkt erhalten durch Messung der Stärke eines Induktionsstromes in einem Stromkreise von bekannten Dimensionen, welcher erregt wird durch einen Strom von ebenfalls bekannten Dimensionen, so dass man das Potential der beiden Stromkreise berechnen kann. Wie wir bei Besprechung der Induktionstheorie von Neumann sahen, erhält der Widerstand die Dimension einer Geschwindigkeit, also diejenige im Weberschen elektromagnetischen System, wenn wir die Induktionskonstante als einen reinen Zahlenwert definieren, er wird einfach gleich einer Geschwindigkeit, wenn wir die Induktionskonstante gleich eins setzen.

Nun seien zwei Stromkreise gegeben, deren Potential auf einander, wenn beide von der absoluten Einheit des Stromes durchflossen sind, gleich W, sei. Durch den einen werde ein Strom von der Stärke J gesandt oder, wenn er in demselben vorhanden war, unterbrochen. Die elektromotorische Kraft bei dem Schließen oder Öffnen des Stromes im zweiten Stromkreis ist dann gleich JW1, und der erzeugte Induktionsstrom

$$i = \frac{JW_1}{w},$$

wenn w der Widerstand im zweiten Stromkreise im absoluten Maße ist. Wir erhalten demnach

$$w = \frac{J W_1}{i}.$$

Gleiches gilt, wenn man durch Bewegen eines Stromkreises in der Nähe eines festen, von dem Strome J durchflossenen einen Strom induziert.

Auch durch die Voltainduktion sind vielfache Messungen zur Bestimmung des Wertes der Quecksilbereinheit in Ohms gemacht worden, wir erwähnen die von Rowland¹), Glazebrook²), Fr. Weber³), Mascart⁴), Roiti5), Himstedt6), welche den durch Entstehen und Verschwinden eines Stromes erzeugten Induktionsstrom maßen, und Lorenz⁷), welcher in besonders sinnreicher Weise die durch Bewegung eines Leiters, einer kreisförmigen Metallscheibe im Innern einer der Scheibe konzentrischen Spirale, induzierten Ströme benutzt. Die Methode von Lorenz wurde ebenfalls

¹⁾ Rowland, Silliman Journal 3. series Bd. XV. Jahrg. 1878.

Glazebrook und Sargent, Philosoph. Transactions for the year 1883 part. I.
 Fr. Weber, Absolute elektromagnetische und kalorimetrische Messungen. Zürich 1878.

Mascart, de Norville, Benoit, a. a. O. Annales de chim. et de phys. 6 Série T. VI.

⁵⁾ Roiti, Beiblätter zu den Annalen der Physik. Bd. VI S. 815. Bd. VIII S. 724. Nuovo Cimento 3. Reihe Bd. XV.
6) Himstedt, Wiedem. Ann. Bd. XXII. Bd. XXV.

⁷⁾ Lorenz, Poggend. Ann. Bd. CXLIX. Wiedem. Ann. Bd. XXV.

von Lord Rayleigh und R. Lenz zur Auswertung der Quecksilbereinbei

in Ohm angewandt1).

Im Folgenden stellen wir die hauptsächlichsten Bestimmungen des Werten der Quecksilbereinheit in Ohm nach einer von Wiedemann gegebenen Tabelle²) unter Hinzufügung der neuesten Angaben von Loren und Himstedt zusammen.

Tabelle der Werte des Widerstandes der Quecksilbereinheit in Ohm

Jahr der Messung	Beobachter	Wert der Q-E. in Ohm	Wert des Ohm in QE.	Methode der Messang		
1874	F. Kohlrausch	0,9442	105,91 cm	Erste Methode von Weber		
1884	Mascart	0,9406	106,32	77 77 77 11 11		
1884	G. Wiedemann	0,9417	106,19	77 77 79 79		
1882	Dorn	0,9482	105,46	Zweite " " "		
1883	Wild	0,9431	106,03	durch Dämpfung		
1884	Fr. Weber	0,9500	105,26	" "		
1882	Rayleigh	0,9410	106,28	Dritte Methode von Weler		
1882	H. Weber	0,9421	106,14			
1878	Rowland	0,9453	105,79	Voltainduktion		
1882	Glazebrook	0,9408	106,30	22		
1884	Mascart	0,9406	106,32	77		
1884	Fr. Weber	0,9490	105,37			
1883	Rayleigh	0,9412	106,24	"		
1884	Lenz	0,9422	106,13			
1885	Lorenz	0,9440	105,93	"		
1884	Roiti	0,9443	105,90			
1885	Himstedt	0,9436	105,98	71		

Die Werte des Ohm in Cent. Quecksilber schwanken, mit Ausnahme der von Dorn und Fr. Weber erhaltenen sehr wenig um 106 beziehunger. der Wert der Quecksilbersäule in Ohm um den Wert 0,9434. Man it deshalb übereingekommen, bis auf weiteres für die Messungen

1 Ohm = 1,06 Siem. Einh. = 106 cm Quecks.

zu setzen, wie wir bereits §. 83 erwähnten.

Nach Messung des Widerstandes und der Stromstärke in absoluten Maße können wir sofort auch die elektromotorischen Kräfte beliebiger Elemente in absolutem elektromagnetischem Maße angeben. Ist die Strostärke i in absolutem Maße, in Ampères gegeben, der Widerstand e = Quecksilbereinheiten, so ist die elektromotorische Kraft in Volts

$$E = 0.9434 \text{ w} \cdot i.$$

Wir sahen weiter im § 128, dass die von uns früher eingestlies de

¹⁾ Lord Kayleigh, Philosoph Transact for 1883 p. 1. Lent mach de 12 gabe von Windomann, Elektricitätslehre Bd. IV. S. 959. Windomann gieht en olwas eingehendere Übersicht über die miethe und meh und meh eine 322 daudere Methoden. Elektricitätslehre Bd. IV § 1320 E.

2) Wiedemann, Elektricitätslehre Bd. IV. S. 973.

mische Einheit gleich 0,9589 Weberscher Einheit, somit gleich 0,09589 Ampères ist. Wenn demnach die Stromstärke i in chemischen Einheiten, der Widerstand w in Quecksilbereinheiten gegeben ist, so ist in Volts

$$E = 0.09586 \cdot 0.9434 \ wi = 0.09046 \ E_{ch}$$

wenn wir die in unsern frühern Einheiten gegebenen elektromotorischen Kräfte mit Ech bezeichnen. Nach Waltenhofen ist in Ech die elektromotorische Kraft des Daniellschen Elementes rund gleich 12, so daß für dieselbe in Volts sich der Wert 1,085 ergeben würde. Wie wir schon sahen, ist die elektromotorische Kraft des Daniell von der Konzentration und Reinheit der Flüssigkeiten nicht ganz unabhängig, außerdem ist das Element nicht ganz polarisationsfrei. Der größte Wert ist wohl der von Kittler erhaltene 1,195 Volts1).

§. 158.

Absolutes elektrodynamisches Mass der Konstanten. Wir haben bis jetzt, um zu einem absoluten Masse der elektromotorischen Kraft und des Widerstandes zu gelangen, die elektromagnetischen Gesetze zu Hilfe genommen; es ist das nicht durchaus erforderlich, sondern ebenso, wie wir zu einer absoluten Einheit der Stromstärke durch die elektrodynamischen Wirkungen gelangen konnten, können wir auch aus denselben die elektromotorischen Kräfte und den Widerstand in absolutem Maße erhalten2). Wir gelangen dazu auf folgende Weise.

Im §. 128 stellten wir als die elektrodynamische Einheit der Stromstärke die Stärke des Stromes auf, welcher die Einheit der Fläche umkreisend einem andern, welcher mit derselben Stärke die Einheit der Fläche umkreist, und dessen Ebene auf jener des erstern senkrecht stehend dieselbe halbiert, ein der Einheit gleiches reduziertes Drehungsmoment erteilt. Dieses Mass verhält sich zu dem elektromagnetischen wie 1: 1/2.

Sei nun der bewegliche Leiter nicht von einem Strome umkreist; drehen wir denselben dann, so daß seine Ebene der des festen Stromes parallel wird, so wird in demselben ein Strom induziert; die elektromotorische Kraft dieses Stromes, wenn die Geschwindigkeit der Drehung der Einheit gleich ist, wenn ferner die Intensität des festen Stromes sich zur Einheit verhält, wie die dritte Potenz des Abstandes beider Ströme zu eins, ist gleich der absoluten Einheit der elektromotorischen Kraft in elektrodynamischem Maße.

Die Einheit des Widerstandes ist dann jener einer Kette, in welchem die soeben definierte Einheit der Kraft die der Einheit gleiche

Stromstärke erzeugen würde.

Das Verhältnis dieser Einheiten zu den elektromagnetischen Einheiten ergiebt sich auf folgende Weise. Würde an der Stelle des festen Stromes ein Magnet sich befinden, dessen Moment sich zur Einheit verhält wie die dritte Potenz der Entfernung zu eins, so würde derselbe einem an der Stelle des beweglichen Leiters befindlichen, mit der Einheit des

Kittler, Wiedem. Ann. Bd. XVII.
 W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere Widerstandsmessungen. §. 26.

magnetischen Momentes begabten Magnete ein Drehungsmoment gleich? erteilen; die von diesem Magnete in dem gedrehten Leiter induziert elektromotorische Kraft würde also in elektromagnetischem Maße gleich? sein. Der Magnet könnte nach §. 128 durch einen Strom ersetzt werden welcher die Einheit der Fläche umkreisend die Intensität $R^3 \cdot \sqrt{2}$ in elektrodynamischem Maße hätte, wenn R den Abstand des Magnets vom Leiter bedeutet. Ein Strom, dessen Intensität R^3 ist, induziert die elektrodynamische Einheit der elektromotorischen Kraft; in elektromagnetischem Maße ist dieselbe daher gleich $\frac{2}{\sqrt{2}}$ oder gleich $\sqrt{2}$. Die elektrodynamische Einheit der

mische Einheit der elektromotorischen Kraft ist also $\sqrt{2}$ mal größer ab die elektromagnetische.

Das Verhältnis der Widerstände erhalten wir folgendermaßen. Si [W] die elektrodynamische Einheit des Widerstandes, [E] jene der elektromotorischen Kraft, [J] der Intensität, so ist

$$[W] = \frac{[E]}{|J|}.$$

Sei [R] die elektromagnetische Einheit des Widerstandes, [K] jene der elektromotorischen Kraft, [S] der Stromstärke, so ist

$$[R] = \frac{[K]}{[S]},$$

somit ist

$$\frac{[W]}{[K]} = \frac{[E]}{[K]} \frac{[S]}{[J]}.$$

Nun ist $[E] = [K] \sqrt{2}$ und nach §. 128 $[S] = [J] \sqrt{2}$, somit ist [W] = 2[R].

Aus diesem Verhältnis der Einheiten folgt, dass wenn J irgend eine Stromstärke, W den Widerstand des Leiters bedeutet, in welchem de Stromstärke J vorhanden ist, das Produkt $J^2 W$ durch dieselbe Zahl ausgedrückt wird, einerlei ob wir die Stromstärke und den Widerstand durch elektromagnetisches oder elektrodynamisches Mass messen. Dem bedeuten z und z_1 Zahlen, so ist

$$J = z[J] = \frac{z}{\sqrt{2}} [S], W = z_1[W] = 2 z_1[R],$$

$$J^2 W = z^2 z_1[J][W] = z^2 z_1[S][R].$$

Bedeuten demnach J und W Stromstärke und Widerstand in elektrodynamischen, S und R in elektromagnetischen Einheiten, so könner wir unmittelbar allgemein schreiben

$$J^{2}W = S^{2}R$$
.

Die Dimensionen des elektrodynamischen Maßsystems sind, da die Einheit der Stromstärke aus qualitativ derselben Wirkung, Erteilung eine Drehungsmomentes abgeleitet sind, dieselben wie diejenigen des elektromagnetischen Maßsystems. Es folgt das auch aus der Grundformel der Elektrodynamik, nach welcher zwei Elemente, deren Lange de und de

und welche sich in der Entfernung r einander parallel und senkrecht zur Verbindungslinie r befinden, wenn sie von Strömen i und i_1 durchflossen werden, sich mit einer Kraft anziehen gleich

$$\frac{i\,i_1\,ds\,ds_1}{l^2}\,.$$

Setzen wir $i=i_1$, $ds=ds_1$, so folgt, daß das Quadrat einer Stromstärke multipliziert mit dem Quadrat einer Länge und dividiert durch das Quadrat einer Länge eine Kraft ist, daraus folgt, daß das Quadrat der Stromstärke die Dimensionen einer Kraft hat, oder

$$i^2 = z[\mu \lambda \tau^{-2}], \qquad i = z[\mu^{1/2} \lambda^{1/2} \tau^{-1}],$$

und das ist auch die Dimension von i im elektromagnetischen System.

§. 159.

Absolutes mechanisches Maß der Konstanten. Noch eine dritte Methode hat W. Weber¹) vorgeschlagen und zum erstenmale mit R. Kohlrausch²) gemeinsam durchgeführt, um ein absolutes Maß für die Konstanten des elektrischen Stromes zu erhalten, das mechanische Maß. Dasselbe ist strenge genommen das ursprünglichste Maß, indem wir die Stärke des elektrischen Stromes bei Ableitung der Strombildung aus den Gesetzen der Elektrostatik in diesem Maße erhielten. Ist an den beiden Enden eines überall gleich beschaffenen Leiters von der Länge L die Potentialdifferenz ΔV , ist q der Querschnitt des Leiters und k die Elektricitätsmenge in elektrostatischem Maße gemessen, welche durch das Potentialgefälle eins in der Zeiteinheit durch die Querschnittseinheit des Leiters getrieben wird, so bedeutet die Stromstärke

$$e = kq \, \frac{\varDelta V}{L} = \frac{\varDelta V}{\left(\frac{L}{kq}\right)} = \frac{\varDelta V}{W}$$

die in elektrostatischen Einheiten gemessene Elektricitätsmenge, welche in der Zeiteinheit durch den Leiterquerschnitt hindurchgeht. Die elektrostatische Einheit der Elektricität ist demnach die Einheit der Stromstärke im mechanischen Maße, das heißt jene Stromstärke ist gleich eins, bei welcher die Geschwindigkeit, mit der die im Leiter befindliche Elektricität bewegt wird, eine solche ist, daß in der Zeiteinheit die elektrostatische Einheit den Querschnitt des Leiters durchströmt. W. Weber definiert diese Einheit dahin, daß er als Einheit der Stromstärke jene bezeichnet, bei welcher die Einheit der positiven nach der einen, die der negativen Elektricität nach der entgegengesetzten Richtung den Leiterquerschnitt durchfließt. Die Webersche Einheit ist also die doppelte der vorhin definierten. Da in dem Weberschen elektrischen Grundgesetz die Geschwin-

¹⁾ W. Weber, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere Wider-

standsmessungen. §. 27.
2) W. Weber und R. Kohlrausch, Elektrodynamische Maßbestimmungen, insbesondere Zurückführung der Stromintensitätsmessungen auf mechanisches Maß.

digkeiten der einzelnen Elektricitäten vorkommen, da er weiter ausdräcklich den Strom als bestehend aus gleichen Mengen beider Elektricitäten ansieht, ergab sich naturgemäß als Maß die Menge eins der positive Elektricität, zu welcher die Menge eins der negativen in entgegengesetzter Richtung fließenden Elektricität zugehört, während nach der allgemeiner Definition die Einheit der Menge eins der überhaupt durch den Querschnitt fließenden Elektricität entspricht, also bei Festhalten der Anschauung des Stromes als eines Doppelstromes der Menge ½ positiver und ½ in entgegengesetzter Richtung fließender negativen Elektricität.

Als elektromotorische Kraft erscheint in diesem System direkt die Differenz der Potentialfunktion an den Enden des Leiters, die Einheit der elektromotorischen Kraft wirkt also zwischen zwei Punkten eines Leiters, wenn an denselben die Differenz der Potentialfunktion gleich eins ist

Damit ist die Einheit des Widerstandes gegeben, es ist der Widerstand eines Leiters, in welchem eine an seinen Enden vorhandene der Einheit gleiche Differenz der Potentialfunktion die Einheit der Elektricität im elektrostatischen Maße in der Zeiteinheit durch den Querschnitt des Leiters führt.

Im mechanischen oder elektrostatischen Maße sind die Dimensions der Einheiten ganz andere, wie im elektromagnetischen Maße. Die Einheit der Stromstärke ist Quotient einer Elektricitätsmenge und einer Zeit Da nach § 31 die Dimension der Elektricitätsmenge gegeben ist durch

$$c = z[\mu^{1/2} \lambda^{3/2} \tau^{-1}],$$

so ist die Stromstärke gegeben durch

$$i = \frac{c}{t} = z[\mu^{i_2}\lambda^{i_2}\tau^{-2}].$$

Die elektromotorische Kraft hat die Dimensionen der Potentialfunktion. dieselbe ist als Quotient einer Elektricitätsmenge und einer Länge, wir wir schon früher sahen,

$$\frac{c}{l}=E=z[\mu^{l_1}\lambda^{l_2}\tau^{-1}].$$

Der Widerstand ist Quotient aus elektromotorischer Kraft und Strousstärke, somit

$$W = \varepsilon[\lambda^{-1}\tau],$$

er erscheint somit in diesem System als der reciproke Wert einer Geschwindigkeit.

Fügen wir gleich die Dimensionen der Kapacität hinzu; dieselbe is gleich der Elektricitätsmenge, welche eine gegebene Fläche zum Potentialwert eins ladet, sie ist somit der Quotient aus einer Menge und einer Potentialfunktion, oder

$$C = \varepsilon[\lambda].$$

Wir finden also wie früher, dass die Dimension der Kapacität ein Länge ist.

Stellen wir die Dimensionen der verschiedenen Konstanten nach des elektromagnetischen und elektrostatischen System zusammen, so ergiett

•	elektromagnetisch	elektrostatisch
Stromstärke	$[\mu^{1/2} \lambda^{1/2} \tau^{-1}]$	$[\mu^{1/2} \lambda^{3/2} \tau^{-2}]$
Elektrom. Kraft	$[\mu^{1/2} \lambda^{3/2} \tau^{-2}]$	$[\mu^{1/2} \lambda^{1/2} \tau^{-1}]$
Widerstand	$[\lambda \tau^{-1}]$	$[\lambda^{-1}\tau]$
Elektricitätsmenge	$= \left[\mu^{1/2} \lambda^{1/2}\right]$	$[\mu^{1/2} \lambda^{3/2} \tau^{-1}]$
Kapacität	$\left[\lambda^{-1} \tau^{2} \right]$	[

Eine Stromstärke elektrostatisch gemessen ist demnach gleich der ktromagnetisch gemessenen multipliziert mit einer gewissen Geschwinkeit, denn der Unterschied zwischen den Dimensionen der beiden Maße die Dimension $[\lambda \tau^{-1}]$, die Dimension der Geschwindigkeit. windigkeit, mit welcher die elektromagnetisch gemessene Stromstärke ltipliziert werden muß, um dieselbe Stromstärke elektrostatisch auszuicken, ist jene, mit welcher die Elektricität in dem Leiter bewegt werı muss, damit in der Zeit einer Sekunde jene Elektricitätsmenge den erschnitt des Leiters durchströmt, welche in der elektromagnetischen iheit der Stromstärke strömt. Wir können sie auch der Anzahl elekstatischer Einheiten gleich setzen, welche durch den Querschnitt des ters in der Sekunde fließen muß, damit der Strom im elektromagnethen Mass die Stärke eins hat. Bezeichnen wir die elektrostatische theit der Stromstärke mit $[J_{\epsilon}]$, die elektromagnetische mit [S], jene in definierte Geschwindigkeit mit v, so folgt

$$v[J_e] = [S].$$

Eine elektromotorische Kraft elektrostatisch gemessen, ist gleich einer ktromagnetisch gemessenen dividiert durch eine gewisse Geschwindigkeit, 1 ein Widerstand elektrostatisch gemessen gleich dem elektromagnetisch nessenen dividiert durch das Quadrat einer Geschwindigkeit. Da nun ih dem Ohmschen Gesetz der Quotient aus der elektromotorischen Kraft 1 dem Widerstande stets die Stromstärke liefern muß, so folgt, daß Geschwindigkeit, durch welche die elektromagnetisch gemessene elektrotrische Kraft oder durch deren Quadrat der Widerstand dividiert rden muß, um diese Größen in mechanischem Maße zu erhalten, eben e Geschwindigkeit v sein muß, mit welcher die elektromagnetisch gessene Stromstärke multipliziert werden muß, um sie in mechanischem ße auszudrücken. Ist $[E_c]$ die Einheit der elektromotorischen Kraft chanisch gemessen, [K] diejenige elektromagnetisch gemessen, so folgt aus

$$\frac{[E_e]}{v} = [K],$$

i wenn $[W_c]$ die mechanische, [R] die elektromagnetische Einheit des derstandes bedeuten,

$$\frac{[W_t]}{v^2} = [R].$$

Auch hier ergiebt sich, dass das Produkt aus dem Quadrate der omstärke und dem Widerstande durch dieselbe Zahl ausgedrückt wird, an das mechanische Mass angewandt wird, oder das elektromagnetische.

Ist J irgend eine Stromstärke, W der Widerstand des Leiters, in welchen dieselbe vorhanden ist, so ist

$$J = z[J_{\epsilon}] = \frac{z}{v} [S]; W = z_{1}[W_{\epsilon}] = z_{1}v^{2}[R],$$
$$J^{2}W = z^{2}z_{1}[J_{\epsilon}][W_{\epsilon}] = z^{2}z_{1}[S][R].$$

Es ist deshalb bei Bildung des Produktes ganz gleichgültig, welche der drei absoluten Massysteme wir wählen.

Um das mechanische Strommass mit dem elektromagnetischen m vergleichen, handelt es sich darum, die Größe v zu bestimmen, indem man jene Anzahl elektrostatischer Einheiten der Elektricität aussucht welche in der Sekunde durch den Querschnitt des Leiters fließen müssen, damit ein Strom entsteht, der in elektromagnetischem Masse der Einheit gleich ist.

W. Weber und R. Kohlrausch maßen deshalb erstens die Ablenkung welche eine Magnetnadel erhält, wenn eine nach mechanischem Maße gemessene Elektricitätsmenge Q durch ein Galvanometer entladen wird.

Sie bestimmten zweitens die Zeit τ , während welcher ein konstante Strom von der Stärke eins im elektromagnetischen Maße geschlossen seit muß, damit die Magnetnadel dieselbe Ablenkung erhält. Vorausgesett, daß diese Zeit τ gegen die Schwingungsdauer der Nadel so klein ist, daß wir den Antrieb der Magnetnadel als einen momentanen Stoß ansehen können, folgt, daß in der Zeit τ in dem konstanten Strom genau dieselbe Elektricitätsmenge Q fließt, welche wir entladen haben. Dividiere wir demnach die entladene Elektricitätsmenge Q durch die Zeit τ , so erhalten wir die in der Sekunde durch den Querschnitt des Leiters, in den die elektromagnetische Stromstärke eins vorhanden ist, fließende Elektricitätsmenge in elektrostatischem Maße.

W. Weber bezeichnete die Hälfte dieser Elektricitätsmenge als jene welche im konstanten Strom fließt; in der Auffassung des Stromes aleines Doppelstromes fließt bei der Entladung der Menge Q nur de Menge $\frac{1}{2}Q$ durch den Draht ab, die andere Hälfte wird dadurch neutralisiert, daß die Menge $\frac{1}{2}Q$ entgegengesetzter Elektricität zu der innen Belegung der Leydener Flasche, aus welcher etwa die Menge Q entlagt wird, hinströmt. Wird also die Menge Q positiver Elektricität entlages so fließt die Menge $\frac{1}{2}Q$ positiver Elektricität ab. Da Weber in seiner elektrischen Grundgesetz die positive und die negative Elektricität gesondert in Rechnung zieht, setzt er v gleich der Menge positiver Elektricität, welche in der elektromagnetischen Einheit des Stromes fließ Anstatt

$$v = \frac{Q}{t}$$
 setzt somit W. Weber $v = \frac{Q}{2t}$.

Um eine bestimmte, nach mechanischem Maße gemessene Elektrictätsmenge entladen zu können, wandten Kohlrausch und Weber eine Legdener Flasche an, deren Ladung sie auf eine überaus sinnreiche Weisnach mechanischem Maße bestimmten. Eine Leydener Flasche, derei äußere Belegung mit der Erde leitend verbunden war, wurde gelades, und der Knopf der Flasche mit einem Sinuselektrometer verbunden. It

inuselektrometer maß das Potential der Elektricität am Knopfe der lasche, welchem die in der Flasche vorhandene Elektricitätsmenge proortional ist. Die Zuleitung zum Sinuselektrometer wurde dann isoliert bgehoben und der Knopf der Flasche mit einer großen, aber isolierten lugel berührt. Da die äußere Belegung der Flasche mit der Erde leiend verbunden ist, so teilt sich die Ladung der Flasche mit der Kugel, daß $\frac{1}{n}$ der in die Flasche geführten Elektricität auf die Kugel übereht, $1-\frac{1}{n}$ in derselben zurückbleibt. Legt man dann wieder den Draht Sinuselektrometers an den Knopf der Flasche an, so beobachtet man Potential der noch in der Flasche gebliebenen Ladung, welches dieser tzteren proportional ist. Sind nun die beiden beobachteten Potentiale und S', so ist

$$\frac{S}{S'} = \frac{S}{1-\frac{1}{n}} = \frac{n}{n-1},$$

ad daraus

$$n = \frac{S}{S - S'}; \qquad \frac{1}{n} = \frac{S - S'}{S}.$$

Man erhält also das Verhältnis, in welchem sich die Elektricität vischen Flasche und Kugel geteilt hat. Nun wird die auf die Kugel bergegangene Elektricitätsmenge nach der §. 33 auseinandergesetzten ethode in der Torsionswage gemessen. Daraus erhält man auch in dem 1geführten Maße die noch in der Flasche vorhandene Elektricitätsmenge. ieselbe wird durch ein Galvanometer entladen und die Elongation der adel beobachtet; der erste Teil der Aufgabe ist damit gelöst, man kennt ie magnetische Wirkung einer bestimmten in sehr kurzer Zeit entladenen lektricitätsmenge.

Es bedarf jetzt noch der Bestimmung der Zeit τ , während deren der onstante Strom von der Stärke der elektromagnetischen Einheit geshlossen sein muß, um der Nadel dasselbe Drehungsmoment zu erteilen. s bedarf dazu keines neuen Versuches, wenn die Konstanten des Galvanoeters bekannt sind, welches zu der ersten Beobachtung benutzt wurde; e Zeit τ ergiebt sich dann unmittelbar aus der durch die Entladung r Elektricitätsmenge Q hervorgebrachten Ablenkung. Um das zu ermnen, nehmen wir der Einfachheit wegen an, das benutzte Galvanometer i ein Drahtkreis vom Radius r parallel dem Meridiane aufgestellt, und ϵ Abstande ϵ in der Richtung des Meridians befinde sich eine Magnetdel vom magnetischen Moment ϵ Das Drehungsmoment, welches der irch den Drahtkreis gehende Strom von der elektromagnetischen Stärke is der Nadel erteilt, ist nach dem Frühern

$$\frac{r^2\pi}{R^3} m \ .$$

Ist K das Trägheitsmoment der Nadel, so ist die Beschleunigung der ω del infolgedessen

$$\frac{r^2\pi}{R^8}\cdot\frac{m}{K}$$
,

und die in der Zeit r erteilte Geschwindigkeit

$$\frac{r^2\pi}{R^8}\cdot\frac{m}{K}\tau$$
.

Ist t die Schwingungsdauer der Nadel, so ist die mit dieser Geschwindigkeit erreichte Elongation

$$\alpha = \frac{r^2}{R^3} \cdot \frac{m}{K} \, \mathfrak{r} \, t;$$

ist also α die durch die Entladung der Elektricitätsmenge Q bewirkte Ablenkung, so würde die Zeit τ , während welcher der Strom von der elektromagnetischen Stärke eins zur Erzeugung derselben Ablenkung a geschlossen sein müßte,

$$\tau = \alpha \, \frac{K}{m} \cdot \frac{R^3}{r^2} \cdot \frac{1}{t} \cdot$$

Ist so τ bestimmt, dann hat man alle Erfordernisse, um ϵ zu be rechnen.

Mit zu Grundelegung der von Weber stets angewandten Einheiten ergiebt sich aus den Versuchen von Weber und Kohlrausch¹)

$$\frac{Q}{2\tau} = 15557 \cdot 10^7 \quad \frac{Q}{\tau} = 31114 \cdot 10^7.$$

Die Einheiten sind, da v eine Geschwindigkeit ist, Millimeter und Sekunde; in dem [CGS] System, welches das Centimeter zur Einheit wählt, wird somit an Stelle der siebenten die sechste Potenz von 10 treten Die elektromagnetische Stromstärke eins im [CGS] System wird demnach durch $31114\cdot 10^6$ elektrostatische Einheiten erzeugt. In der Stromstärke ein Ampère ist der zehnte Teil dieser elektrostatischen Einheiten vorhauden. Man findet das auch leicht durch direkte Vergleichung der Eicheiten.

Die Größe v steht in direkter Beziehung zu der Geschwindigkeit des Weberschen elektrischen Grundgesetzes, jener relativen Geschwindirkeit zweier mit konstanter Geschwindigkeit gegen einander bewegter elektrischer Teilchen, bei welcher dieselben nicht mehr auf einander einwirke Wir setzten § 119 die Stromstärke in elektrodynamischem Maße

$$i = aeu$$

und zeigten, daß jene Geschwindigkeit $c = \frac{4}{a}$. Es ist hierin $\cdot u$ die elektrostatisch gemessene Elektricitätsmenge, welche in der elektrodynamisch gemessenen Stromstärke i in der Sekunde den Querschnitt des Litters durchströmt. Die in der elektrodynamischen Einheit fließende Elektricitätsmenge ist demnach

$$\frac{eu}{i} = \frac{1}{a} = \frac{c}{4},$$

die in der elektromagnetischen Einheit fließende Elektricitätsmenge ist V2 mal größer, es folgt somit

¹⁾ Die Kahlen sind nach einer Berechnung von Voigt, Wiedem. Ann. Bd.ll. 4. S. 476 korrigiert.

$$v = \sqrt{2} \cdot \frac{c}{4}$$

$$c = 4 \ v \sqrt{1/2},$$

prin v im Weberschen Sinne zu nehmen ist, somit wenn wir jetzt v ein r allemal auf die gesamte strömende Elektricität beziehen

$$c = v \sqrt{2} = 44002 \cdot 10^7 \frac{mm}{Sek}$$

Mit dieser Geschwindigkeit, nahezu der anderthalbfachen Geschwindigit des Lichtes müssen sich demnach zwei Elektricitätsteilchen gegen lander bewegen, damit sie nicht mehr auf einander einwirken.

Die Messung der Größe v ist seitdem mehrfach und nach verschie-Wir können diese Methoden kurz nen Methoden wiederholt worden. gendermaßen charakterisieren. Man misst die Potentialdifferenz einer ule, indem man den einen Pol derselben mit der Kollektorplatte eines indensators, den anderen Pol und die Kondensatorplatte mit der Erde rbindet, nach den im zweiten Abschnitt zur Messung der Potentialfunkn angegebenen Methoden in absolutem mechanischen Masse, also etwa lem man die Anziehung zweier Kondensatorplatten mißt. Ist die Poitialfunktion der Kollektorplatte V, die Fläche der Platten gleich F, · Abstand gleich δ , so ergiebt sich für die Anziehung der Platten nach **49** S. **309**

$$A = \frac{F}{8\pi} \frac{V^2}{\delta^2}.$$

Wir erhalten somit, wenn δ in Centimetern, A in absolutem Masse : Kraft gemessen wird, V in absolutem Masse aus

$$V = \sqrt{\frac{8\pi \delta^2}{F} \cdot A}.$$

Man bestimmt darauf die elektromotorische Kraft der Säule im abuten magnetischen Masse, indem man die Stromstärke nach absolutem ise in einem Strome von bekanntem Widerstande misst. sichung der elektromotorischen Kräfte giebt hiernach die Größe v.

Diese Methode ist, allerdings im einzelnen mannigfach modifiziert, von xwell 1), W. Thomson 2), sowie dessen Schülern M' Kichan und King 3) d Shida', ferner von Ayrton und Perry's) und F. Exner's) angewandt rden.

Klemenčič⁷) hat nach einer von Boltzmann angegebenen Methode rch Widerstandsmessungen den Wert von v bestimmt. Ein Kondenor, dessen Kapacitat C sei, wird in der Sekunde nmal von einer Batterie, ren elektromotorische Kraft in mechanischem Maße E_a sei, geladen und

¹⁾ Maxwell, Philosophical Transactions for 1868; Philos. Magazin 4 series

W. Thomson, Report of the British Association for 1869.
 M'Kichan, Philosoph. Mag. 4 series vol. XLVII.

Shida, Philosoph. Mag. 5 series vol. X.
 Ayrton und Perry, Philosoph. Mag. 5 series vol. VII.
 F. Exner, Wiener Berichte Bd. LXXXVI.
 Klemenčič, Wiener Berichte Bd. LXXXIII. Bd. LXXXIX.

durch ein Galvanometer entladen. Die Zahl n wird so groß genomme, daß das Galvanometer die konstante Ablenkung α bekommt. Nach § \mathfrak{A} ist dann die in der Sekunde entladene Elektricitätsmenge

$$Q = n C E_e = N\alpha,$$

worin N eine Konstante des Galvanometers, welche, wenn bekannt, die Stromstärke aus den Angaben des Galvanometers in mechanischem Maße angeben würde.

Man lüst durch dasselbe Galvanometer mit Einschaltung passender Widerstände den konstanten Strom derselben Batterie gehen und beobactet die von demselben bewirkte Ablenkung φ . Die Stromstärke ist in mechanischem Masse

$$i = N \varphi$$

Ist We der Widerstand des Stromkreises in mechanischem Masse, so ist

$$i = N\varphi = \frac{E_e}{W_e}$$

somit

$$W_{\epsilon} = \frac{1}{nC} \frac{\alpha}{\varphi}.$$

Ist R der Widerstand des Stromkreises in Einheiten des elektromagnetischen Ma \hat{s} es, so ist

$$W_e = \frac{R}{v^*},$$

somit

$$v = \sqrt{nCR \frac{\varphi}{\alpha}}.$$

Es bedarf demnach der Beobachtung von φ und α , sowie der Zählung der Anzahl n, sowie der Bestimmung der Kapacität des Kondensators und des Widerstandes R, um v zu erhalten.

Die von den verschiedenen Experimentatoren erhaltenen Werte schwarken noch innerhalb beträchtlicher Grenzen, den kleinsten Wert erhält W Thomson, nämlich 27880 10⁶ in Cent. und Sekunde, den größten Klemenöm nämlich 30188·10⁶, die Zahlen schwanken somit um 30000·10⁶ oder um

$$v = 300000$$
 Kilometer.

Dass bisher eine größere Übereinstimmung noch nicht erreicht worden ist, liegt zum großen Teil an der Schwierigkeit besonders der erforderlichen elektrostatischen Messungen und der Kapacitätsbestimmungen. Sewiel ergiebt sich aber aus den Messungen, dass der Wert von ermit großer Annäherung gleich der Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtesist

Diese sehr annähernde Übereinstimmung des Wertes von c und der Geschwindigkeit des Lichtes ist eine der Hauptstützen der elektromagnetischen Theorie des Lichtes, welche das Licht als sich fortpflanzende elektrische Störungen ansieht. Diese hauptsächlich von Maxwell bestwickelte Theorie kommt nämlich zu dem Resultate, daß die Fortpflanzungegeschwindigkeit des Lichtes resp. der dasselbe darstellenden elektrische

¹⁾ Maxwell, A Treatise of Magnetisme and Electricity Bd. II. Cap. XX.

Störungen im freien Äther gleich der Größe v, in einem Dielektricum gleich der Größe v dividiert durch die Quadratwurzel aus der Dielektricitätskonstante des betreffenden Mediums sein muß. Daraus ergiebt sich auch der im zweiten Abschnitt erwähnte Satz, dass das Quadrat des Brechungsexponenten eines Dielektricum gleich der Dielektricitätskonstanten sein soll.

Wir begnügen uns mit dieser Andeutung um so mehr, da, wie wir gesehen haben, die letztere Beziehung sich noch keineswegs in den Beobachtungen bestätigt hat. Allerdings kann das daran liegen, daß die Werte der Dielektricitätskonstanten noch nicht sicher genug bestimmt sind. Indes nach meinen im §. 50 mitgeteilten Beobachtungen über die Änderung der Dielektricitätskonstanten mit der Zeit, resp. die mit der Zeit wachsende Influenz ergeben sich für die Zeit t = 0, also für die Dielektricitätskonstante der Theorie, Werte der Influenz, welche ganz erheblich kleiner sind als das Quadrat der Brechungsexponenten. Die elektromagnetische Lichttheorie muss noch sicherer begründet sein, ehe wir sie, so interessant sie auch ist, in diesem Buche behandeln können¹).

§. 160.

Vergleichung der Arbeiten des Stromes mit der mechanischen Wärmetheorie. Nachdem wir in den letzten Paragraphen die elektromotorischen Kräfte und den Widerstand auf die Maße der Mechanik zurückgeführt haben, können wir schliesslich auch die Arbeitsleistungen des Stromes in demselben Masse messen, und durch Vergleichung dieser Arbeiten mit mechanischen Arbeiten die Übereinstimmung der Massysteme nachweisen.

Bei der Untersuchung der Wärmewirkungen des galvanischen Stromes haben wir schon den Nachweis geliefert, dass, wenn in dem Strome keine Arbeit geleistet wird, dass dann der ganze Arbeitsvorrat als Wärme in dem Stromkreise auftreten muss, und mit diesem Satze konnten wir im §. 92 und 93 die Wärmemenge berechnen, welche in einem Leiterstücke von dem Widerstande R entwickelt werden muß. Wir leiteten dort die Wärmewirkung aus dem Satze her, dass die durch die strömende Elektricität in einem Leiter geleistete Arbeit gleich ist der Differenz der Potentialwerte der auf dem Leiter vorhandenen freien auf die durch den Leiter strömende Elektricität im Anfange und am Ende des Leiters. Bezeichnen wir die Menge der in der Zeiteinheit durch den Leiter strömenden Elektricität mit q und die Werte des Potentials im Anfange des Leiters mit V_1 , am Ende mit V_2 , so ist die geleistete Arbeit

$$L = q \cdot (V_1 - V_2).$$

Ist J_{ϵ} die Stromstärke in mechanischem Maße, welche durch t Se**kunden** unterhalten wird, so ist $q = J_e t$; ist W_e der Widerstand in mechanischem Masse, so ist

¹⁾ Man sehe über die elektromagnetische Lichttheorie auch Tumlirz, Die elektromagnetische Lichttheorie. Leipzig, B. G. Teubner, 1883, der in diesem Buch auch die Arbeiten von Lorenz, von Helmholtz, Boltzmann, Lorentz aufgenommen hat.

$$J_{\epsilon} = \frac{V_1 - V_2}{W_{\epsilon}},$$

somit

$$L = t J_e^2 W_e$$

oder die in der Sekunde geleistete Arbeit

$$\frac{L}{t} = J_{\epsilon}^2 W_{\epsilon}.$$

Wie wir bereits sahen ist das Produkt J^2W , wenn J die Stromstärke, W den Widerstand in einem der absoluten Maßsysteme bedeutet dasselbe, welches der Maßsysteme wir auch wählen. Am bequemsten wählen wir das elektromagnetische; wir haben in den letzten Paragraphen die in diesem Maßse gemessene Stromstärke mit S, den Widerstand mit R bezeichnet. Behalten wir diese Bezeichnung bei, und setzen die in der Sekunde geleistete Arbeit gleich l, so erhalten wir

$$l = S^2 R$$

für die von einem Strome, der im elektromagnetischen Maße die Stärke Shat. in der Zeit einer Sekunde in einem Widerstande, der im elektromagnetischen Maße die Größe R hat, geleistete Arbeit. Setzen wir das [CGS] System voraus, so ist die Arbeit gemessen in Krafteinheiten, deren jede $\frac{1}{g}$ Gramm ist, und in Centimetern.

Wenden wir die in der Praxis eingeführten Einheiten, das Ampère und das Ohm an, setzen den in Ampères gemessenen Strom gleich σ , den in Ohm gemessenen Widerstand gleich ϱ , so wird, da das Ampère ein Zehntel der elektromagnetischen Stromeinheit ist, das Ohm gleich 10° Widerstandseinheiten

$$l = 0.01 \, \sigma^2 \cdot 10^9 \, \varrho = 10^7 \, \sigma^2 \, \varrho$$

Wollen wir die Arbeit in dem gewöhnlichen Maße der Mechanik, in Meterkilogrammen messen, so haben wir obigen Ausdruck durch $10^7 \cdot 9.81$ zu dividieren, wenn wir für g den bei uns giltigen Wert in Metern 9.81 einsetzen, denn

 $\frac{1}{981}$ Gramm Centim. = $\frac{1}{981 \cdot 1000 \cdot 100}$ Meterkilogramm = $\frac{1}{981 \cdot 10^7}$ M.K.

Ist $\mathcal A$ die in Meterkilogramm ausgedrückte Arbeit, so wird demnach

$$A = \frac{\sigma^2 \varrho}{9.81}$$
 oder allgemein $\frac{\sigma^2 \varrho}{g \text{ Meter}}$.

Wir können demnach $\sigma^2\varrho$ auch als die im absoluten Systeme Kilogr. Meter, Sekunde gemessene Arbeit bezeichnen. Gerade das ist auch der Grund, daß man Ampère und Ohm als Einheiten gewählt hat, daß das Produkt $\sigma^2\varrho$ ohne weitern Faktor in diesem absoluten System die Arbeit darstellt.

Wird in dem betrachteten Leiter keine andere Arbeit geleistet, so wird die gesamte Arbeit in Wärme verwandelt; nennen wir den hundertsten Teil derjenigen Wärmemenge, welche das Gramm Wasser von 0° auf 100° erwärmt, die Wärmeeinheit, so ist nach §. 54 des dritten Bandes das mechanische Wärmeäquivalent im [CGS] System

$$4189 \cdot 10^4$$

für die in einem Leiter vom Widerstande e durch den Strom o in der Zeit einer Sekunde entwickelte Wärmemenge ergiebt sich somit

$$w = \frac{l}{4189 \cdot 10^4} = \frac{1}{4,189} \sigma^2 \varrho = 0,2387 \sigma^2 \varrho.$$

v. Quintus Icilius hat in einer sehr sorgfältigen Experimentaluntersuchung, in welcher er die Stromstärken sowie die Widerstände der Drähte, deren Erwärmung untersucht werden sollte, nach absolutem elektromagnetischen Masse bestimmte, diese Folgerung der Theorie zu prüfen 1) unternommen.

Die Bestimmung der Stromstärken nach absolutem Maße geschah dadurch, dass ein kreisförmiger Rahmen von Holz, der mit mehreren Windungen Kupferdraht umwickelt war, so dass ein kreisförmiger Multiplikator von bekanntem Flächeninhalt und bekannter Windungszahl entstand, westlich von einem Magnet aufgestellt wurde. Die Fläche des Multiplikators war dem magnetischen Meridiane parallel, und die Axe desselben traf gerade die Mitte der Nadel; mit dem an derselben Stelle bestimmten Werte der horizontalen Intensität des Erdmagnetismus und den bekannten Dimensionen des Apparates konnte dann in ähnlicher Weise, wie wir es §. 128 besprochen haben, die Stromstärke nach absolutem Maße erhalten werden. Der Widerstand der zu erwärmenden Drähte wurde durch Vergleichung mit einem von W. Weber nach absolutem elektromagnetischem Masse bestimmten Etalon erhalten, und durch direkte Beobachtung die Abhängigkeit dieser Widerstände von der Temperatur bestimmt, damit dieselbe bei den Erwärmungsversuchen, bei welchen die Temperatur der zu erwärmenden Drähte sich änderte, in Rechnung gezogen werden konnte. Bei der Untersuchung der Widerstände ergab sich eine Schwierigkeit, welche in die schliessliche Berechnung des Resultates eine kleine Unsicherheit eintreten lässt. Es fand sich nämlich, als die Widerstände der zu den Erwärmungsversuchen benutzten Drähte nach Beendigung der Versuche neu bestimmt wurden, der Widerstand nicht unerheblich größer als vorher, ein Umstand, auf den wir schon §. 111 hinwiesen. Um diesem Umstande Rechnung zu tragen, setzte v. Quintus Icilius als den Widerstand der Drähte das Mittel aus dem bei gleichen Temperaturen vor und nach den Versuchen gefundenen Widerstand ein.

Die Drähte wurden auf Rähmchen von Elfenbein in einem kupfernen Kalorimeter aufgespannt, welches mit Wasser, Alkohol oder Terpentinöl gefüllt war. Das Kalorimeter selbst war in einem größeren Cylinder von Kupfer aufgehängt, welcher seinerseits wieder rings von Wasser umgeben war, um so die Umgebung des Kalorimeters auf einer konstanten Temperatur zu erhalten. Dadurch konnte die Wärmestrahlung des Kalorimeters in Rechnung gezogen werden, indem man bei mehreren Versuchen nach Beendigung der Erwärmung die Erkaltungsgeschwindigkeit beobachtete. Die Erwärmung selbst dauerte jedesmal etwa eine Stunde und während der ganzen Zeit wurde das Thermometer von zwei zu zwei Minuten und der Stand des vom Strome abgelenkten Magnetes von

¹⁾ v. Quintus Icilius, Poggend. Ann. Bd. CI.

zwölf zu zwölf Sekunden beobachtet. Ein gleichzeitig in den Stromkreis eingeschalteter Rheostat gestattete den Strom während der ganzen Dauer jedes Versuches konstant zu erhalten.

Auf die Details der Versuche und der Berechnungen einzugehen, dazu ist hier, da besonders die Berechnungen wegen der notwendigen Berücksichtigung aller Umstände ziemlich weitläufig sind, nicht der Raum, wir verweisen deshalb auf die Abhandlung selbst. Aus sechs Versuchen, bei denen das Kalorimeter Wasser enthielt, und deren jeder mit Ausnahme des ersten aus fünf Beobachtungsreihen bestand, ergiebt sich für die entwickelte Wärmemenge der Ausdruck

$$w = 0.2551 \, \sigma^2 \, \rho$$
.

In den einzelnen Reihen schwankte der Wert der Konstanten zwischen 0,2409 und 0,2784.

Nimmt man die mit Alkohol und Terpentinöl beobachteten Erwirmungen hinzu, so ergiebt sich als Mittel

$$\dot{w} = 0.2596 \,\sigma^2 \,\varrho,$$

und die extremsten beobachteten Werte der Konstanten sind 0,2361 und 0,2913.

Für das mechanische Wärmeäquivalent würde sich hieraus ergeben

$$\frac{1}{0.2596} \cdot 10^7 = 3852 \cdot 10^4,$$

oder in Meterkilogramm 399,6. Der Wert ist allerdings nur 0,92 des direkt bestimmten; der Grund dieser Abweichung ist indes ohne Zweifel der, daß v. Quintus Icilius für den Widerstand des von ihm benutzten Drahtes einen zu kleinen Wert in Rechnung gezogen hat. Fr. Weber¹) hat in der Beziehung darauf aufmerksam gemacht, daß v. Quintus Icilius seine Widerstände nach einem Jacobischen Etalon maß, dessen Widerstand W. Weber zu 0,598 Ohm bestimmt hatte, während W. Siemens den Widerstand des Jacobischen Etalons zu 0,632 Ohm bestimmte. Nehmen wir den Siemensschen Wert des Jacobischen Etalons, so ergeben die Versuche von v. Quintus Icilius im Wasserkalorimeter

$$w = 0.2413 \,\sigma^2 \varrho$$

also einen dem theoretischen sehr nahe kommenden Wert.

Aus ganz ähnlichen Versuchen erhielt Joule?)

$$w = 0.2375 \, \sigma^2 \varrho$$

oder für das mechanische Wärmeäquivalent

$$4211 \cdot 10^4$$
 abs. Einh. = 429,3 Meterkilogr.

Joule setzte indes bei diesen Versuchen die Einheit der British Association gleich 1 Ohm, während dieselbe kleiner gleich 0,987 Ohm ist: auf richtige Ohm korrigiert wird deshalb

¹⁾ Fr. Weber, Elektromagn. und kalorimetr. Messungen. Zürich 1878. Beiblätter zu den Annalen Bd. II. S. 499.

²⁾ Joule, Report of the British Association 1867. p. 512.

$$w = 0.2406 \, \sigma^2 \, \varrho$$

und das mechanische Wärmeäquivalent

4156 · 104 abs. Einh. oder 423,7 Meterkilogr.

Fr. Weber¹) hat später diese Versuche mit großer Sorgfalt wiederholt und leitet aus denselben für das mechanische Wärmeäquivalent den Wert 428,15 ab. Fr. Weber setzt dabei aber den absoluten Wert der Quecksilbereinheit gleich 0,956 Ohm. Rechnen wir dagegen die Quecksilbereinheit gemäß §. 157 gleich 0,943 Ohm, so wird aus diesen Versuchen

$$w = 0.2413 \, \sigma^2 \, \rho$$

und das mechanische Wärmeäquivalent

 $4144 \cdot 10^4$ abs. Einh. oder 422,5 Meterkilogr.

Die aus diesen Versuchen sich ergebenden Werte der Konstanten in dem Ausdruck für die Wärmeentwicklung beziehungsw. die Werte für das mechanische Wärmeäquivalent stimmen so nahe mit den auf andern Wegen abgeleiteten Werten, dass sie die schönste Bestätigung der Theorie liefern.

Ist R der Widerstand des ganzen Stromkreises in Ohms, W die im ganzen Stromkreise entwickelte Wärmemenge und E die elektromotorische Kraft des Elementes in Volts, so ist

$$W = 0.2387 \, \sigma^2 R = 0.2387 \, \sigma E$$

oder

$$E = \frac{W}{\sigma} \cdot \frac{1}{0.2387} = \frac{W}{\sigma} \cdot \frac{4189 \cdot 10^4}{10^7}.$$

Die elektromotorische Kraft einer Stromquelle in Volts ist somit gleich dem mit 10⁷ dividierten Arbeitswerte der durch den Strom von der Stärke ein Ampère in dem die Stromquelle schließenden Stromkreise entwickelten Wärmemenge. Wie sich unmittelbar ergiebt, da das Ampère ein Zehntel der elektromagnetischen Stromeinheit, das Volt 10⁸ der elektromagnetischen Einheit der elektromotorischen Kraft ist, ist der oben aufgestellte Satz nur eine andere Form des Satzes, daß die elektromotorische Kraft eines Elementes gleich dem Arbeitswerte der Wärmemenge ist, welche der Strom in einem Kreise erzeugt, in welchem das Element die Einheit der Stromstärke hervorruft.

Fr. Weber hat die Richtigkeit dieser Folgerung bestätigt; derselbe maß die Wärmeentwicklung in einem Drahte und bestimmte das Verhältnis des Widerstandes des Drahtes zu dem des ganzen Stromkreises. Ist \boldsymbol{w} die im Drahte entwickelte Wärmemenge, \boldsymbol{r} der Widerstand des Drahtes, \boldsymbol{r}_1 die des übrigen Stromkreises, \boldsymbol{W} die im ganzen Stromkreise entwickelte Wärmemenge, so ist

$$w: W = r: r + r_1; \qquad W = w\left(1 + \frac{r_1}{r}\right),$$

somit

$$w\left(1+\frac{r}{r_1}\right)\frac{4189\cdot 10^4}{\sigma\cdot 10^7}=E.$$

¹⁾ Fr. Weber, a. a. O.

Andrerseits wurde auf galvanischem Wege die elektromotorische Kraft eines Daniellschen Elements, in welchem das Zink in Schwefelsäure, eines Daniellschen, bei welchem das Zink in Zinkvitriol stand, und eines Bunsenschen Elementes bestimmt, indem der Widerstand des Stromkreises und die Stromstärke in absolutem Masse gemessen wurden. Weber fand die elektromotorischen Kräfte in Volts

	Bunsen	Daniell $(H_2 SO_4)$	$\begin{array}{c} \mathbf{Daniell} \\ (\mathbf{Zn} \ \mathbf{SO_4}) \end{array}$
nach der entwickelten Wärme	1,9017	1,1301	1,0954
" galvanischer Methode	1,9927	1,1831	1,1451,

Zahlen, die ganz vortrefflich übereinstimmen.

Wir haben bereits im §. 92 erwähnt, dass man aus dem Princip der Erhaltung der Kraft nicht nur geschlossen habe, dass die Quelle der von dem Strom gelieserten Arbeit die durch die chemischen Prozesse in der Kette erzeugte Wärme sei, sondern auch, dass die chemisch in der Kette erzeugte Wärme einfach gleich der in dem Strome entwickelten Wärme sei. Nimmt man diesen Schluss als richtig an, so gelangt man sosort zu dem Satze, dass die elektromotorische Kraft eines Elemente gleich dem Arbeitswert jener Wärmemenge ist, welche durch die chemischen Prozesse in der Kette erzeugt werden, die der Einheit der Stromstärke in absolutem Masse entsprechen. Wird also durch die absolute Stromeinheit in der Sekunde die Menge z Zink ausgelöst und ist er die Wärmemenge, welche in dem Element erzeugt wird, wenn die Gewichtseinheit Zink ausgelöst wird, so ist in absolutem Masse

$$E = 4189 \cdot 10^4 \, \text{sw}$$

oder in Volts nach dem auf der vorigen Seite abgeleiteten Satze

$$E = 4.189 \ \epsilon w$$
.

In dieser Form ist der Satz zuerst von W. Thomson ausgesprochen¹.

Wir haben ebenfalls in §. 92 bereits erwähnt, daß F. Braun?) hervorgehoben habe, daß es keineswegs aus dem Principe der Erhaltung der Arbeit gefolgert werden müsse, daß die Stromarbeit gleich dem Arbeitswert der durch die chemischen Prozesse in der Kette erzeugten Wärme sei, dass es vielmehr theoretisch durchaus möglich sei, dass ebenso wie Wärme bei jedem Prozesse, welcher Wärme in mechanische Arbeit unsetze, nur zum Teil in Arbeit umgesetzt werden könne, daß elense Wärme auch nur zum Teil in elektrische Energie verwandelt werdes könne. Wird also durch chemischen Prozefs in der Kette die Wärmemenge Q erzeugt, so ist die in elektrische Energie umgesetzte Wärme nur ein Bruchteil von Q. Dieser Bruchteil von Q ist keineswegs für alle chemischen Prozesse der gleiche, er hängt vielmehr mit der absoluter Temperatur T zusammen, welche durch den chemischen Prozefs erzeugt wird, und derjenigen & des Elementes. Der Zusammenhang ist nach der Auffassung Brauns gegeben durch den zweiten Hauptsatz der mechaischen Wärmetheorie. Wird also in einem Daniellschen Elemente, desser

¹⁾ W. Thomson, Philosophical Magazin 4 series vol. II.

²⁾ F. Braun, Wiedem. Ann. Bd. V.

Stromkreis geschlossen ist, ein Atom Zink aufgelöst und mit SO_4 vereinigt, so erhitzt sich dasselbe durch die entstandene Wärmemenge auf die Temperatur T. Indem das Molekül sich dann auf die Temperatur ϑ abkühlt, verbreitet sich die Wärmemenge q in dem Elemente und die in elektrischen Strom umgesetzte Wärme ist höchstens wie bei dem Carnotschen Kreisprozefs

$$Q - q = Q \left(1 - \frac{\vartheta}{T}\right)$$

Die Temperatur T läst sich nicht näher angeben, es ist indes keinenfalls die sogenannte Verbindungstemperatur, welche man aus der Wärmemenge Q und der specifischen Wärme der betreffenden Substanzen berechnet.

Braun sieht diesen Prozess, bei welchem chemische Energie in elektrischen Strom verwandelt wird, für umkehrbar an; derselbe Strom, der durch Auflösung des Atoms Zink eine gewisse Zeit hindurch erhalten wird, scheidet in umgekehrter Richtung durch das Element geführt in derselben Zeit ein Atom Zink aus $ZnSO_4$; dazu wird die Wärmemenge q aus der Lösung entnommen und, indem die Wärmemenge Q-q aus elektrischer Energie entsteht, die zur Zersetzung erforderliche Wärmemenge Q beschafft. Es geht somit bei Umkehr des Prozesses ebensoviel elektrische Energie verloren, es wird ebensoviel Strom verbraucht, als durch die Auflösung des Metalles in der Säure gewonnen wird.

Der Bruchteil 1 — $\frac{\vartheta}{T}$ hängt bei gegebener Temperatur ϑ wesentlich von der Temperatur T ab, welche sich wie gesagt nicht näher angeben läfst.

In den konstanten Ketten gehen stets zwei solcher Prozesse in entgegengesetztem Sinne vor sich, so in der Daniellschen die Auflösung von Zink und die Abscheidung von Kupfer. Ist Q_1 die bei Auflösung des Zinks in Strom umgesetzte, Q die überhaupt erzeugte Wärme, T_1 die für das Zinkmolekül bei der Auflösung entstehende Temperatur, und bedeutet Q_2 beziehungsw. Q' und T_2 dasselbe für die Auflösung des Kupfers in Schwefelsäure, so ist die in der Daniellschen Kette in Strom umgesetzte Wärme

$$Q_1-Q_2=Q\left(1-rac{artheta}{T_1}
ight)-Q'\left(1-rac{artheta}{T_2}
ight),$$

wenn & die absolute Temperatur des Elementes ist, oder

$$Q_1 - Q_2 = Q - Q' - \vartheta\left(\frac{Q}{T_1} - \frac{Q'}{T_2}\right)$$

Es kann demnach je nach dem Vorzeichen des letzten Gliedes $Q_1 - Q_2$ größer, kleiner oder gleich Q - Q' sein; es kann somit die elektromotorische Kraft eines Elements größer sein als der Arbeitswert der durch den chemischen Prozeß erzeugten Wärme, oder kleiner oder gleich.

Braun¹) hat zur Prüfung seiner Auffassung eine große Zahl von Kombinationen verschiedener Metalle und verschiedener Flüssigkeiten auf ihre elektromotorischen Kräfte untersucht und dieselben mit den meist

¹⁾ F. Braun, Wiedem. Ann. Bd. XVI.

den Untersuchungen von J. Thomson entnommenen chemisch durch die in den Ketten stattfindenden Prozesse entwickelten Wärmemengen vergliche. Braun fand in der That eine ganze Anzahl Ketten, bei welchen sich die elektromotorische Kraft größer ergab als der Arbeitswert der in den Ketten chemisch erzeugten Wärme. Wir verweisen wegen der Details auf die Abhandlung von Braun¹).

In seiner Abhandlung über die Thermodynamik chemischer Vorging gelangte v. Helmholtz²) zu dem gleichen Resultate und leitet weiter den Satz ab, dass in Elementen, in welchen nur ein Teil der chemisch entwickelten Wärme in Strom umgesetzt werde, mit steigender Tempe ratur die elektromotorische Kraft abnehmen, in solchen dagegen, in denn mehr Wärme in Strom umgesetzt werde, als die chemischen Prozesse in Summa liefern, die sich also durch ihren eigenen Strom abkühlen müsse. die elektromotorische Kraft mit steigender Temperatur wachsen misse Zu dem gleichen Resultate gelangt van 'T Hoff in seinen Etudes de dysmique chimique³).

Wir können diesen Satz auch unmittelbar aus der Braunschen Aufassung der Verhältnisse ableiten. Setzen wir $Q_1 - Q_2$ als die der elektrmotorischen Kraft entsprechende Würmemenge gleich W_1 , Q-Q', die chemisch erzeugte Wärmemenge gleich W, so dass

$$W_1 = W - \vartheta\left(\frac{Q}{T_1} - \frac{Q'}{T_2}\right),$$

so sight man sofort, dass wenn $W_1 < W$, somit der Koefficient von ϑ positiv ist, die elektromotorische Kraft mit steigender Temperatur abnimmt; das dagegen, wenn $W_1 > W$, somit der Koefficient von ϑ negativ ist, die elektromotorische Kraft mit steigender Temperatur zunimmt. wir obige Gleichung nach 3, so wird

$$\frac{d W_1}{d \vartheta} = -\left(\frac{Q}{T_1} - \frac{Q}{T_2}\right);$$

drücken wir W₁ durch die in Volts gegebene elektromotorische Kraft des Elements aus, so wird, wenn t die Zeit ist, während welcher der Stroz. von der Stärke σ geschlossen sein muss, damit etwa in einem Daniellschen Elemente ein Molekül Zink aufgelöst, bezw. ein Molekül Kupfniedergeschlagen wird,

$$W_1 = 0.2387 \text{ o } t E$$

somit

$$\frac{dW_1}{d\vartheta} = 0.2387 \, \text{o} \, t \, \frac{dE}{d\vartheta} \, \cdot$$

Setzen wir das in die Gleichung für W_1 ein, so wird

$$W_1 - W = 0.2387 \text{ o } t \frac{dE}{d\theta} \cdot \vartheta,$$

oder die Wärmemenge, welche zum Konstanthalten der Temperatur aus

¹⁾ F. Braun, Wiedem. Ann. Bd. XVI. Es sei hier bemerkt, dass Wiedemann (Elektricitätslehre Bd. II. S. 892 ff.) mehrere Bedenken gegen die Art. welcher Braun die chemisch entwickelte Wärme berechnet, erhebt.

²⁾ v. Helmholtz, Berichte der Berliner Akademie 1882. S. 22 und 825 3) van 'T Hoff, Etudes de dynamique chimique. Amsterdam 1884. p. 202 f

einem Elemente durch den Strom in der Zeit, in welcher ein Molekül des positiven Metalles aufgelöst wird, fortgeführt werden muß, ist dem Differentialquotienten der elektromotorischen Kraft multipliziert mit der ab-

soluten Temperatur des Elementes proportional.

Diesen Satz hat zunächst Czapski1) durch eine sehr sorgfältige Untersuchung der elektromotorischen Kräfte und ihrer Abhängigkeit von der Temperatur geprüft. Das Resultat der Versuche war, daß stets, wenn die elektromotorische Kraft mit steigender Temperatur zunahm, W, auch größer als W, wenn sie dagegen abnahm, auch $W_1 < W$ war. Eine zahlenmäßige Übereinstimmung der aus der Änderung der elektromotorischen Kraft einerseits und der aus der beobachteten elektromotorischen Kraft und den chemischen Prozessen andrerseits berechneten Wärmemengen war allerdings nicht vorhanden und zwar nach Czapskis Ansicht wegen der Unsicherheit der thermochemischen Daten. In der That sind die thermochemischen Bestimmungen nur selten unter genau denselben Verhältnissen gemacht, welche in der Kette vorhanden sind, so daß eine zahlenmäßige Prüfung des Helmholtzschen Satzes nicht möglich war.

Zu ganz ähnlichen Resultaten wie Czapski gelangte Gockel2), der im Laboratorium von Braun ebenfalls die Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft einer Anzahl Elemente von der Temperatur aufsuchte und unter Zugrundelegung der Zahlen von J. Thomson aus Messung der elektromotorischen Kraft der Elemente die Differenz der chemisch entwickelten und der im Strom umgesetzten Wärme bestimmte. Auch Gockel fand qualitativ stets Übereinstimmung, zahlenmäßig erhielt er eine solche nicht. Gockel schliefst sich indes nicht der Ansicht Czapskis an, daß diese Nichtübereinstimmung der Unsicherheit der thermochemischen Daten zuzuschreiben sei.

In einer während des Drucks dieses Bandes erschienenen Arbeit, deren Resultate ich bei der Korrektur noch beifügen konnte, hat indes Jahn³) nicht nur die qualitative Übereinstimmung des v. Helmholtzschen Satzes mit der Erfahrung gezeigt, sondern auch nachgewiesen, dass die aus der Änderung der elektromotorischen Kraft berechnete Differenz zwischen der chemisch entwickelten und der aus der elektromotorischen Kraft sich ergebenden im Strom umgesetzten Wärme so nahe gleich sind, daß die Unterschiede innerhalb der unvermeidlichen Unsicherheit verbleiben.

Jahn bestimmte die chemisch entwickelte Wärmemenge selbst, indem er die Elemente in ein Eiskalorimeter brachte; er maß demnach diese Wärme unter den Umständen des Versuches. Das in dem Eiskalorimeter befindliche kleine Element war durch eine außerhalb des Kalorimeters befindliche Leitung geschlossen, welche ein auf absolutes Mass geaichtes Galvanometer enthielt, das die Stromstärke in dem das Element schliessenden Stromkreise maß. Von zwei Punkten dieses Stromkreises, deren Abstand von den Polen des Elementes nur klein ist, wurde ein zweiter Stromkreis von so großem Widerstande abgezweigt, daß der Strom in dem ersten Kreise nicht erkennbar geändert wurde, wenn man den zweiten

Czapski, Wiedem. Ann. Bd. XXI.
 Gockel, Wiedem. Ann. Bd. XXIV.

³⁾ H. Jahn, Wiedem. Ann. Bd. XXVIII S. 21 and 491.

Stromkreis öffnete oder schloss. Der zweite Stromkreis enthielt ebenslie ein Galvanometer, das auf absolutes Mass geaicht war; der Widerstand dieses zweiten Stromkreises war genau in Ohms bestimmt. Das Produkt aus der im zweiten Stromkreise gemessenen Stromstärke und dem Widerstande des zweiten Stromkreises gab somit die Differenz der Potentisfunktion an den Abzweigungspunkten des ersten Stromkreises in Volks Sei dieselbe gleich Δ . Es war ferner scharf der Widerstand von den Polen des im Eiskalorimeter befindlichen Elementes bis zu den Abzweigungstellen des zweiten Stromkreises bestimmt. Sei derselbe gleich ϱ und seis die im ersten Stromkreise gemessene Stromstärke in Ampères.

Die chemisch in dem Elemente entwickelte Wärmernenge Wergielt sich in folgender Weise. Die im Innern des Eiskalorimeters entwickelte Wärme C wird in bekannter Weise direkt beobachtet. Zu dieser ist hinzuzufügen die in dem ersten Stromkreise entwickelte Wärmernenge. Is der Strom während t Sekunden geschlossen, so ist die in dem von den Polen bis zu den Verzweigungspunkten entwickelte Wärmernenge $0.2387 \, \sigma^2 e^t$. Da Δ die Differenz der Potentialfunktion an den Enden des übrigen Teiles des Stromkreises ist, so ist die in diesem entwickelte Wärmernenge gleich $0.2387 \, \sigma \, \Delta \, t$. Demnach ist

$$W = C + 0.2387 \sigma t (\Delta + \sigma \varrho).$$

Im Falle die elektromotorische Kraft des untersuchten Elementes mit klein war, wurde in den ersten Stromkreis noch ein konstantes Element eingeschaltet, um in demselben den Strom zu verstärken und so den Versuch in kürzerer Zeit beenden zu können. Wie dann die Berechnung der Wärmemenge W zu führen ist erkennt man leicht, man muß die von Strom des zweiten Elementes nach dem Jouleschen Gesetze entwickelte Wärme in Abzug bringen 1).

Die elektromotorische Kraft des Elementes wurde direkt bestimmt, indem der erste Stromkreis geöffnet und im zweiten Stromkreise die Stromstärke gemessen wurde, einmal ohne, ein zweites Mal nach Einschaltung eines bekannten Widerstandes.

Der Temperaturkoefficient $\frac{dE}{d\theta}$ der untersuchten Elemente wurde durch Messung der elektromotorischen Kraft nach der Fechnersehen Methode bestimmt, indem das zu untersuchende Element nach und nach auf verschiedene Temperaturen gebracht, und als zweites Element ein auf der Temperatur 0^0 gehaltenes Normalelement benutzt wurde.

Nach § 128 zersetzt der Strom von der Stärke ein Ampère in det Sekunde 0,09322 mg Wasser; zur Zersetzung von 1 Molekül. 18 na Wasser muß derselbe 193,09 Sekunden geschlossen sein. Werden die Moleküle der in den Elementen aufgelösten Motalle nach Milligrammen gemessen, so muß deshalb nach dem Faradayschen Gesetze zur Lösung eines Moleküles eines zweiwertigen Metalles oder dessen äquivalenter Mengenines andern Metalles das Produkt ot stets gleich 193,09 sein. Unstre

¹⁾ Man sehe die Abhandlung von Jahn, sowie auch dessen Abhandlung is Wiedem. Ann. Bd. XXV, worin derselbe neuerdings die Richtigkeit des Jouleschen Gesetzes für Flüssigkeiten nachgewiesen hat.

Gleichung für die Differenz zwischen der chemisch entwickelten und der in Strom umgesetzten Wärmemenge für ein Molekül aufgelösten positiven Metalles wird demnach

$$W_1 - W = 46,09 \ \vartheta \frac{dE}{d\vartheta};$$

worin E die elektromotorische Kraft in Volts, somit

$$W_1 = 46,09 E$$

ist. Da Jahn die Differenz $W_1 - W$ bei der Temperatur des schmelzenden Eises bestimmte, können wir noch $\vartheta = 273$ setzen, und erhalten

$$W_1 - W = 12580 \frac{dE}{d\vartheta}.$$

In dieser Weise erhielt Jahn z. B. für das Daniellsche Element im Mittel aus drei Versuchen $W=50{,}110$ Wärmeeinheiten; für E fand er 1,0962 Volt; somit $W_1=50{,}525$

$$W_1 - W = 0.415; \quad \frac{dE}{d\theta} = 0.000033.$$

Im Daniellschen Element wäre demnach die Stromwärme etwas größer als die chemisch entwickelte, die elektromotorische Kraft müßte für jeden Grad der Temperaturerhöhung um 0,000033 Volts zunehmen. In der That fand Gockel als Temperaturkoefficienten des Daniellschen Elementes 0,000034.

Für das Element Kupfer in Kupferacetat, Blei in Bleiacetat fand Jahn E = 0.47643 Volts, somit $W_1 = 21.96$; für W fand er 16,523. Demnach ist

$$W_1 - W = 5,437;$$
 $\frac{dE}{d\theta} = 0,0004321.$

Gockel hatte für den Temperaturkoefficienten gefunden 0,000385, aus welchem sich $W_1 - W = 4,844$ ergeben würde.

Jahn erhielt außerdem für 6 weitere Elemente folgende Resultate:

Bezeichnung des Elementes	E	W_1	W	$\frac{dE}{d\vartheta}$ 106	W ₁ - beob.	— <i>W</i> ber.
Ag, Ag Cl Zn , Zn Cl ₂ + 100 H ₂ O	1,0306	47,506	52,17	409	- 4,66	- 5,148
Ag, Ag Cl Zn , Zn Cl ₂ + 50 H ₂ O	1,0171	46,896	49,082	— 210	 2,186	- 2,644
Ag , Ag Cl_1 Zn , Zn Cl_2 + 25 H_2 O	0,9740	44,908	47,147	— 202	2,239	2,54
Ag , $AgBr \mid Zn$, $ZnBr_2 + 25H_2O$	0,8409	38,772	39,936	— 106	1,164	- 1,334
$Ag, Ag NO_3 \mid Pb(NO_3)_2, Pb$	0,932	42,98	50,87	— 632	— 7,9 5	7,89
Ag , Ag $NO_3 \mid Cu$ $(NO_3)_2$, Cu	0,458	21,12	30,04	— 708	8,92	8,92

Wie man sieht ist die Übereinstimmung zwischen Theorie und Beobachtung eine fast vollkommene.

Hiernach kann der Thomsonsche Satz nicht mehr aufrecht erhalten werden, es ist vielmehr das Verhältnis der Stromarbeit zu dem Arbeitswert der durch die chemischen Prozesse entwickelten Wärmemenge abhängig von den einzelnen Prozessen, welche in den Elementen verlaufen ja es ist selbst möglich, dass ein und derselbe Prozess unter verschiedene Umständen bei gleicher chemisch entwickelter Wärme einer verschiedene elektromotorischen Kraft entspricht. So macht Braun darauf ausmerkandass das Bunsensche Chromsäureelement eine größere elektromotorische Kraft hat, als wenn man in demselben die Kohle durch Platin ersetzt es ist nicht unmöglich, dass infolge der bessern Leitungsfähigkeit der Platin die maßgebende Temperatur T dort weniger hoch ist.

Eine Berechnung des Bruchteils der Wärmernenge, welche in Strom umgesetzt wird, ist noch nicht möglich und überhaupt mit großen Schwierigkeiten verknüpft, es bedarf noch weiterer Untersuchungen, um dahin m

gelangen.

Wird in dem galvanischen Strome keine andere Arbeit geleistet, so tritt die gesamte Arbeit wieder als Wärme auf, wird anderweitig Arbeit geleistet, so tritt die dem Wärmewert dieser Arbeit entsprechende Wärmemenge weniger auf. In dem Stromkreise kann zunächst durch die Elektrolyse Arbeit geleistet werden.

Wird demnach in den Stromkreis eine Zersetzungszelle eingeschaltet so muß die in dem gesamten Stromkreise entwickelte Wärmemenge un jene Wärmemenge kleiner sein, welche der zur Elektrolyse verwandten Wärmemenge gleich ist. Diese Folgerung hat Favre 1) durch mehrere Versucht mit dem Quecksilberkalorimeter direkt bestätigt. In das Quecksilber kalorimeter Fig. 133 des 3. Bandes wurden mehrere Glasröhren (1 eingeführt, in fünf derselben durch Eingießen verdünnter Schwefelsäure mit . Einsenken von amalgamierten Zinkplatten und Platinplatten galvanische Elemente hergestellt, welche durch dicke Drähte zu einer Säule verlande: Der Strom wurde eine gewisse Zeit geschlossen gehalten und die durch denselben erzeugte Wärmemenge gemessen, dieselbe fand siet gleich 18 796 Wärmeeinheiten. Darauf wurde in ein sechstes Glasrolt verdünnte Säure eingegossen, zwei Platinplatten eingesenkt, der Stret durch die Säure geführt, und die entwickelten Gase aufgefangen. Die in dem Kalorimeter entwickelte Wärmemenge betrug jetzt 11 769 W. f. Aus der Menge des entwickelten Knallgases ergab sich die Verbindurgwärme desselben zu 6892 W. E. Die Summe dieser und der im Kalefmeter entwickelten ist 18661, also fast genau gleich der, welche durch der Strom entwickelt wurde, als er keine Arbeit leistete. Ganz entsprechend-Resultate gaben andere Versuche, in denen Kupfervitriol zersetzt wurd-

Wir haben im §. 91 als einen Beweis dafür, das das Joules be Gesetz der Erwärmung auch für Flüssigkeiten gilt, Versuche von Joule und Becquerel²) angeführt, nach welchen die in der Flüssigkeit entwickelte Wärme gleich der bei gleichem Widerstande in einem Metalldraht erzeugtet weniger der zu den chemischen Prozessen verbrauchten sei. Wir habet damals auf diesen Paragraphen verwiesen. Nach der soeben dargelegen Theorie scheinen diese Versuche der Theorie zu widersprechen, indem der Wärmeverbrauch sich nicht nur an der Stelle zeigen muß, an der die

¹⁾ Favre, Comptes Rendus T. XLVII. p. 599.

²⁾ Man sehe auch die vorhin schon erwähnten Versuche von Jahn, Wieden Ann. Bd. XXV.

Zersetzung stattfindet, sondern im ganzen Stromkreise. Die Übereinstimmung der Versuche mit der Theorie hat indes Bosscha nachgewiesen¹). In der Gleichung von Becquerel, welche wir S. 638 aufstellten,

$$W = w \cdot rJ^2 \cdot t - Nq$$

bedeutet r den Widerstand eines Metalldrahtes, durch dessen Einschaltung der Strom auf dieselbe Stärke reduziert wird, wie durch Einschaltung des flüssigen Leiters. Diese Gleichheit der Stromstärke ist aber nicht dadurch erreicht, daß der Widerstand des Drahtes gleich dem der Flüssigkeit ist, sondern dadurch, daß ein in dem Maße längerer Draht eingeschaltet ist, als der Strom durch die in der Zersetzungszelle eintretende Polarisation geschwächt ist. Nennen wir in beiden Fällen die Stromstärke i, die elektromotorische Kraft des Stromes E, den Widerstand des Drahtes r, den des sonstigen Stromkreises R, so ist bei Einschaltung des Drahtes

$$i = \frac{E}{R+r} \quad . \quad . \quad . \quad . \quad . \quad (1).$$

Ist der Widerstand der Zersetzungszelle f, die elektromotorische Kraft der Polarisation p, so ist ebenso

$$i = \frac{E - p}{R + f} \quad . \quad . \quad . \quad . \quad (2).$$

Nehmen wir absolute Maße und setzen 0.2387 = a, so ist die in dem Drahte entwickelte Wärmemenge nach dem Jouleschen Gesetze in der Zeiteinheit

$$W=a\cdot i^2r.$$

die in der Zersetzungszelle entwickelte

$$W_1 = a \cdot i^2 f.$$

Entwickeln wir f aus (1) und (2), so wird

$$f = r - \frac{p}{i}$$

$$W_1 = a \cdot i^2 \cdot r - a i p,$$

$$W - W_1 = i \cdot a p$$

Es folgt somit, dass der Betrag, um welchen die in der Flüssigkeitszelle entwickelte Wärmemenge kleiner sein muß, als in einem Drahte, der an Stelle der Flüssigkeit eingeschaltet den gleichen Strom liesert, für die Stromstärke eins gleich derjenigen ist, welche der elektromotorischen Kraft der Polarisation entspricht, also gleich der Wärmemenge, welche in einem Stromkreise entwickelt würde, in welchem die Polarisation die Stromstärke eins erzeugen würde. Demnach ist auch iap diejenige Wärmemenge, welche durch die Stromstärke in einem Stromkreise durch die elektromotorische Kraft der Polarisation erzeugt wird. Die elektromotorische Kraft der Polarisation ist aber, auch nach den letzten Sätzen, dem Arbeitswert der Wärme proportional, welche den durch die

¹⁾ Bosscha, Poggend. Ann. Bd. Cl.

Einheit der Stromstärke bedingten chemischen Prozessen in der Zersetzungzelle entspricht¹).

Außer den Arbeiten, welche der Strom in dem Stromkreise selbs leistet, kann er auch solche außerhalb des Stromkreises leisten. Betrachten wir von demselben noch in aller Kürze die Induktionswirkungen. Wird ein Strom in der Nähe eines geschlossenen Stromes hergestellt oder unterbrochen, so wird in dem geschlossenen Leiter ein Strom induziert, desse Arbeitswert sofort aus der Wärme sich ergiebt, welche durch den indizierten Strom in der Induktionsspirale entwickelt wird. Genau um diese Wärmemenge muß deshalb die in dem primären Strome entwickelte Wärze kleiner sein, wenn ein Strom induziert wird, als wenn der Strom obse Induktionswirkung verläuft.

Diesen Schlus hat Edlund²) durch eine ausgedehnte Versuchsreibe bestätigt, er beobachtete die Wärmeentwickelung in einer induzierendes Spirale, wenn der Strom durch ein Blitzrad, welches mit konstanter Geschwindigkeit eine Zeitlang hindurch gedreht wurde, in rascher Felge häufig geschlossen und unterbrochen wurde, einmal wenn die zur induzierenden Spirale gehörende Induktionsspirale in sich geschlossen und dam wenn sie geöffnet war. Die entwickelte Wärmemenge wurde aus der Temperaturerhöhung eines in den Stromkreis eingeschalteten Platindrahtes abgeleitet, welche durch ein an den Platindraht angelegtes Thermoelement bestimmt wurde. Bei gleicher Stromstärke fanden sich die Erwärmungen bei geschlossener Spirale kleiner als bei geöffneter, wie folgende kleine Tabelle, welche die Resultate einer Versuchsreihe darstellt, zeigt.

	Wärmee	ntwickelung bei
	offener	geschlossener
	Indu	ktionsspirale
	190,1	180,0
	193,6	185,2
	184,8	171,1
	188,6	176,5
	187,1	173,5
Mittel	188,84	177,26.

Die Differenz beträgt 11,58. Damit wurde nun die Erwärmung in Induktionsspirale verglichen, dieselbe fand sich in denselben Einheiter gleich 12,66. Bei einer zweiten Versuchsreihe waren die Zahlen respektive 12,36 und 13,21, und bei einem dritten Versuche 9,63 und 9,52. In jedem Falle fand sich also die in der induzierten Spirale entwickelt Wärmemenge dem Verlust an Wärme in der induzierenden Spirale auf Größe fast genau gleich, so daß also der in der Induktionsspirale preleisteten Arbeit ein an Größe genau gleicher Verlust in der induzierer den Spirale entspricht.

Wie wir sahen kann in einem geschlossenen Leiter auch dadurt ein Strom induziert werden, dass man ihn in der Nühe eines konstaute Stromes bewegt. Diese Bewegung ist eine äußere Arbeit, welche material eine Bewegung ist eine außere Arbeit, welche material eine Bewegung ist eine außere Arbeit, welche material eine Bewegung ist eine Bewe

2) Edlund, Poggend. Ann. Bd. CXXIII.

¹⁾ Weiteres über die mechanische Theorie der Elektrolyse sehe man Bessiff Poggend. Ann. Bd. CI, CIII, CV, CVIII.

leistet, indem den elektrodynamischen Wirkungen, welche der geschlossene Strom auf den induzierten Strom ausübt, entgegen der Leiter bewegt wird. Vergleicht man also bei dieser Art der Induktion die in der Induktionsspirale entwickelte Wärmemenge mit jener in der induzierenden, so muß sich entsprechend der aufgewandten äußern Arbeit ein Gewinn an Wärme zeigen, es muss also die in der Induktionsspirale entwickelte Wärmemenge größer sein als der in der induzierenden Spirale eintretende Verlust. Auch diesen Schluss hat Edlund experimentell geprüft. Als induzierender Strom wurde eine Spirale benutzt, welche auf einem kreisförmigen Rahmen aufgerollt war, ähnlich wie die feste Rolle eines Weberschen Elektrodynamometers. In dem festen Rahmen befand sich konzentrisch mit dem erstern ein etwas kleinerer mit Draht bewickelter Rahmen. der um eine in der Ebene des Kreises liegende Axe in rasche Rotation versetzt werden konnte. Die Enden des Drahtes der beweglichen Rolle waren an zwei von einander isolierte Stücke der Axe befestigt, so daß ein in der beweglichen Rolle induzierter Strom durch auf der Axe schleifende Federn gerade wie bei den Magnetinduktionsapparaten fortgeführt werden konnte. Wird die feste Rolle von einem Strome durchflossen, so würde die ebenfalls von einem Strome durchflossene bewegliche Rolle sich so stellen, daß ihre Ebene jener der festen Rolle und die Ströme einander parallel und gleichgerichtet wären. Wird deshalb die drehbare Rolle aus der parallelen Stellung so gedreht, dass ihre Ebene zu der der festen Rolle senkrecht steht, so wird in ihr ein dem induzierenden gleichgerichteter, wird sie aus der senkrechten in die parallele Stellung gedreht, so wird ein dem induzierenden entgegengesetzter Strom erregt. Die Wärmeentwickelung wurde von Edlund in der vorhin angegebenen Weise beobachtet, bei dem geschlossenen Strom, wenn die drehbare Rolle nicht gedreht und wenn sie gedreht wurde, und bei dem Induktionsstrome. Folgende Tabelle enthält die Resultate einer Versuchsreihe, bei welcher die feste Rolle stets von demselben Strome durchflossen wurde. Die für die Wärmeentwickelung im Induktionsstrom angegebenen Zahlen sind nach der Angabe Edlunds mit 0,26 zu multiplizieren, um sie mit den andern vergleichbar zu machen.

Induktionsstrome	Wärmeentwickelung i Haupt	m strome
	ohne Induktion	mit Induktion
48,0	166,0	163,0
47,0	169,0	161,0
50,0	167,0	160,0
51,0	164,0	171,0
49,0	162,0	164,0
51,0	171,0	168,0
49,0	166,0	172,0
	168,0	176,0
Mittel 49,3	166,6	166,9.

Wie man sieht ist die im Hauptstrom entwickelte Wärmemenge dieselbe bei der Induktion und ohne Induktion. Dasselbe Resultat gaben die übrigen Reihen.

Es ergiebt sich hiernach, dass in diesem Falle die Induktion nick als eine Arbeit des Hauptstromes aufzufassen ist, dass sie vielmehr als das Resultat der äußern geleisteten Arbeit erscheint. Den innern Grund in dem verschiedenen Verhalten erkennt man leicht, er liegt eben in der Rückwirkung des Induktionsstromes auf den Hauptstrom. Gehen wir is dem zuletzt besprochenen Falle von der Parallelstellung der beiden Scheilen aus, so hat auf der ersten Hälfte der Bahn der induzierte Strom die selbe, auf der zweiten die entgegengesetzte Richtung, die Ströme verlaufen im übrigen ganz gleich; wenn deshalb der eine den Hauptstren schwächt, muß der andere ihn verstärken, und da die Schwächung gema so lange dauert als die Verstärkung, muss sogar die Wärmewirkung welche in jedem Momente dem Quadrate der Stromstärke proportional ist etwas größer sein als ohne Induktion. In dem ersten Falle überwiegt dagegen die Schwächung, welche der verschwindende Induktionsstron bewirkt, die Verstärkung durch den entstehenden, wie Edlund im einzelnen nachgewiesen hat 1).

Es genüge an der Betrachtung dieser einzelnen Fälle, welche wir ohne Überschreitung der hier zulässigen Grenzen nicht vermehren können. um den Beweis zu liefern, dass auch in den elektrischen Erscheinunge das Princip von der Erhaltung der Kraft als das alle Naturerscheinungen beherrschende sich bewährt²).

Man sehe Edlund, Poggend. Ann. Bd. CXXIII.
 Ebenso würde es sachlich wie räumlich die hier zulässigen Grenzen weit überschreiten, wollten wir auf die neuerdings gemachten Versuche zu einer Theorie der elektrischen Erscheinungen oder einer Erklärung des Wesens der Elektricität zu gelangen, eingehen, so interessant auch besonders die Theorie von Maxwell, auf welche wir schon bei Besprechung der Influenz hinwiesen, ist welche die elektrischen Erscheinungen ohne Annahme einer Fernewirkung steitet. Wir verweisen deshalb auf die kurze Darlegung dieser Theorieen von Wiedemann im IV. Bande seiner Elektricitätslehre, theoretisches Schlußkapite, und auf die betreffenden Originalabhandlungen, wie Maxwells Treatise on Electricity and Magnetism, Hankel, Poggend. Ann. Bd. CXXVI. Bd. CXXXI. Edlard, Théorie des phénomènes électriques. Aus den Abhandlungen der Königl. Schwedischen Akademie der Wissenschaften Bd XII.

Sachregister.

W - aspt 1 to 10 t

Die Bandzahl ist mit römischen, die Seitenzahl mit arabischen Ziffern angegeben.

Abbildung leuchtender Punkte durch kugelförmige brechende Flächen II. 219; durch Frismen II. 95.

Aberration des Lichtes II. 8.

sphärische, bei Spiegeln II. 78.
 sphärische, bei Linsen II. 254.

Ablenkung des Lichtes in Prismen II. 89. - doppelsinnige, der Galvanometernadel IV. 1057.

freiwillige, der Galvanometernadel IV. 914.

Absorptiometer I. 500.

Absorption der Gase durch feste Körper I. 494; bei der Elektrolyse IV. 713.

- der Gase durch Flüssigkeiten I. 498. des Lichtes in festen und flüssigen Körpern II. 267; in Gasen II. 275; in farbigen Flammen II. 278; der che-misch wirksamen Strahlen II. 351; der fluorescierenden Strahlen II. 323,

des Lichtes. Theorie nach Helmholtz II. 308; von Wrede II. 436.

der Wärme III, 190 ff, 205 ff. 254. Absorptionskoefficient der Gase I. 499. des Lichtes II. 129, 270, 310,

Absorptionsgesetz für Licht II. 269; für Wärme III. 194.

Absorptionsvermögen für Licht II. 269; für Wärme III. 256.

Beziehung zum Emissionsvermögen für Licht II. 280. 311; für Wärme III. 261. Abstossung, elektrische IV. 166. 186.

- magnetische IV. 44.

Abweichung, monochromatische u. chromatische, des Auges II. 366. der Magnetnadel IV. 128. 131.

Accommodation II. 364. Accorde, einfache I. 702; mehrfache I. 703. Accumulatoren IV. 778.

Achromasie II. 213.

Achromatische Linsen II. 257.

— Prismen II. 214. Adhäsion fester Körper I. 251.

— flüssiger Körper an festen I. 304. 312.

Adiabatisch III. 423. Adiatherman III. 190.

Äquivalent, elektrolytisches IV. 706.

- elektrochemisches des Wassers IV.

endosmotisches I. 367.

kalorisches III. 820.

mechanisches, der Wärme III. 387. 392. 397. 403. 481. Aggregatzustände I. 193; ihre Verände-

rung III. 606. 644. Agone IV. 154. Akline IV. 154.

Aktinoelektricität IV. 181.

Alkoholometer I. 302.

Allotropie I. 189.

Amalgam, Kienmaiersches IV. 168.

Ampères (Strommafs) IV. 922. Ampèresches Gestell IV. 800. Ampèresche Regel der Nadelablenkung durch den Strom IV. 799.

Amplitude der Pendelbewegung L 115 Korrektion wegen derselben I. 123.

schwingender Bewegungen I. 560. Anelektrisch IV. 167.

Aneroidbarometer I. 413.

Anion IV. 696.

Anker, magnetischer IV. 59; Siemensscher an magnetoelektrischen Maschinen IV. 1102.

Anode IV. 696.

Anomale Dispersion H. 106, 169. Theorie

derselben II. 120 ff. Ansammlungsapparat, elektrischer IV.

Antrieb der Kraft I. 73.

Anziehung, allgemeine, der Massen 1. 148. 152.

der Masseneinheiten I. 176.

elektrische IV. 169. 189.
magnetische IV. 40. 59. 969.

- zweier Ströme IV. 803.

Aplanatisch II. 255.

Araeometer, Nicholsonsches I. 295.

- für Flüssigkeiten I. 301.

Arbeit der Kraft I. 73.

- Princip der Erhaltung derselben I.74.

- Umsetzung in Wärme III. 403. - innere III. 408; bei Gasen III. 524; äussere III. 408; Trennung der innern u. äussern bei Gasen III. 504; bei festen und flüssigen Körpern III. 554.

Arbeit des elektrischen Stromes IV. 1161. Armatur, magnetische IV. 58.

Astatisch IV. 912.

Atmosphäre I. 399.

Druck einer I. 417. 555.

Atom I. 183; atomistische Theorie I.

Atomgewicht I. 192; Beziehung zur specifischen Wärme III. 576; bei den Gasen IIL 597.

Atomwärme III. 577. Auflösung I. 350. Auftrieb I. 279, 292.

Auge, das menschliche II. 353; Gang der Lichtstrahlen in demselben II. 356. Aureole des Induktionsfunkens 1V. 1120. Ausbreitung von Flüssigkeiten auf festen Körpern I. 349; auf flüssigen I. 355.

Ausdehnung, isotroper, fester Körper III. 24; der Krystalle III. 42; des Queck-silbers III. 54; des Wassers III. 71; anderer Flüssigkeiten III. 82; der Gase III. 87; kubische, fester Körper III. 85; elektrische IV. 334; durch den galva-nischen Strom IV. 653.

Ausdehnungskoefficient III. 24 ff.; der Gase bei konstantem Volumen und konstantem Druck III. 100. 104 ff.

Ausfluss der Flüssigkeiten I. 370; durch kapillare Röhren I. 382.

Ausflussmenge der Flüssigkeiten I. 375. Ausflusswinkel des Lichtes II. 38; der Wärme III. 238.

Auslader, allgemeiner elektrischer IV. 384. Ausserordentlicher Strahl II. 483. 569. 573. Ausströmen der Gase I. 504.

- durch kapillare Röhren I. 517.

Axe, freie I. 143

- magnetische IV. 64; der Erde IV. 160. sphärischer brechender Flächen II. 219, 226; der Linsen II, 238; der Spiegel II. 63.

optische, in einaxigen Krystallen II. 581.

optische, in zweiaxigen Krystallen II. 605. 610. 615.

sekundäre, in zweiaxigen Krystallen II. 605 615.

- thermische, der Ausdehnung in Krystallen III. 46.

Axenwinkel optisch zweiaxiger Krystalle

- Messung desselben 11. 665.

Barometer I. 402; Gang desselber Bäuche an Wasserstrahlen I. 393 Batterie, elektrische IV. 371.

galvanische IV. 493.

В.

Beschleunigung I. 49. 555; beim Fall I, 58, 124, 132, 154, 163, Beugung der Wellen II. 440.

Beugung des Lichtes II. 440. 444 der strahlenden Wärme III.

Beugungserscheinungen, Fresnels 444; Fraunhofersche II. 450; eine Oeffnung II. 453; durch n Oeffnungen II. 459; bei durchsi Schirmen II. 469.

Beugungsspektra des Lichtes II. 4 Wärme uach Langley III. 226. Bewegung I. 47; gleichförmige ungleichförmige I. 48. 75; gle sig beschleunigte I. 48. 56.

worfener Körper I. 69; durch rität I. 347.

Bewegung, drehende I. 76. - schwingende I. 559.

- Einfluss derselben auf die T I. 829. Bewegungsgrösse I. 72.

Bifilare Aufhängung I. 520. Bifilarmagnetometer IV. 147. Bilder in ebenen Spiegeln II.

Konvexspiegeln II. 77; in Hohls II. 73. durch Brechung des Lichts in

förmigen Flächen II. 224. 226 durch Brechung in Linsen II elektrische IV. 260.

Bildpunkte in Kugelspiegeln II. Blasinstrumente I. 769.

Brechung des Lichtes II. 81; durc men II. 89; durch krumme Flac 217; in einem System zweier förmiger Flächen II. 226; in centrirten System beliebig vieler flächen II. 250.

des Dichtes, doppelte II. 56 - des Schalles I. 817.

- der Wärmestrahlen III. 173

der Wellen I. 615. Brechungsexponent II. 84; absol 85; Bestimmung desselben II. 1 hängigkeit vom Einfallswinkel 551; von der Körperdichte II. 1 Mischungen und Lösungen 11.1 Gase II. 189; Bestimmung de durch totale Reflexion II. 204.

der Wärmestrahlen III. 17 Abhängigkeit von der Well III. 187.

Brechungsgesetz I, 617; II, 84; tung desselben aus der Undul

Sachregister.

Die Bandzahl ist mit römischen, die Seitenzahl mit arabischen Ziffern angegeben.

```
A.
                                             Adiabatisch III. 423.
Abbildung leuchtender Punkte durch
                                             Adiatherman III. 190.
  kugelförmige brechende Flächen II.
                                             Aquivalent, elektrolytisches IV. 706.
  219; durch Prismen II. 95.
                                                 elektrochemisches des Wassers IV.
                                               920.
Aberration des Lichtes II. 8.
— sphärische, bei Spiegeln II. 78.
— sphärische, bei Linsen II. 254.
Ablenkung des Lichtes in Prismen II. 89.
                                                 endosmotisches I. 367.
                                             — kalorisches III. 820.
                                               - mechanisches, der Wärme III. 387.
                                               392. 397. 403. 481.
     doppelsinnige, der Galvanometer-
  nadel IV. 1057.
                                             Aggregatzustände I. 193; ihre Verände-
                                             rung III. 606. 644.
Agone IV. 154.
Akline IV. 154.
     freiwillige, der Galvanometernadel
  IV. 914.
Absorptiometer I. 500.
Absorption der Gase durch feste Körper
                                             Aktinoelektricität IV. 181.
                                             Alkoholometer I. 302.
   I. 494; bei der Elektrolyse IV. 713.
   - der Gase durch Flüssigkeiten I. 498.
                                             Allotropie I. 189.
                                             Amalgam, Kienmaiersches IV. 168.
Ampère (Strommaß) IV. 922.
     des Lichtes in festen und flüssigen
  Körpern II. 267; in Gasen II. 275; in
  farbigen Flammen II. 278; der che-
                                             Ampèresches Gestell IV. 800.
  misch wirksamen Strahlen II. 351; der
                                             Ampèresche Regel der Nadelablenkung
  fluorescierenden Strahlen II. 323.
                                               durch den Strom IV. 799.
                                             Amplitude der Pendelbewegung I. 115
     des Lichtes.
                     Theorie nach Helm-
  holtz II. 308; von Wrede II. 436.

— der Wärme III. 190 ff. 205 ff. 254.
                                               Korrektion wegen derselben I. 123.
                                                  schwingender Bewegungen I. 560.
                                             Anelektrisch IV. 167.
Absorptionskoefficient der Gase I. 499.
     des Lichtes II. 129. 270. 310.
                                             Aneroidbarometer I. 413.
Absorptionsgesetz für Licht II. 269; für
                                             Anion IV. 696.
                                             Anker, magnetischer IV. 59; Siemensscher
   Wärme III. 194.
                                               an magnetoelektrischen Maschinen IV.
Absorptionsvermögen für Licht II. 269;
                                               1102.
  für Wärme III. 256.
                                             Anode IV. 696.
     Beziehung zum Emissionsvermögen
  für Licht II. 280. 311; für Wärme III. 261.
                                             Anomale Dispersion II. 106, 169. Theorie
Abstossung, elektrische IV. 166. 186. — magnetische IV. 44.
                                               derselben II. 120 ff.
                                             Ansammlungsapparat, elektrischer IV.
Abweichung, monochromatische u. chro-
                                               368.
  matische, des Auges II. 366.
                                             Antrieb der Kraft I. 73.
    der Magnetnadel IV. 128. 131.
                                             Anziehung, allgemeine, der Massen I.
Accommodation II. 364.
                                                148. 152.
Accorde, einfache I. 702; mehrfache I. 703.
                                                 der Masseneinheiten l. 176.

elektrische IV. 169. 189.
magnetische IV. 40. 59. 969.
zweier Ströme IV. 803.

Accumulatoren IV. 778.
Achromasie II. 213.
Achromatische Linsen II. 257.
     Prismen II. 214.
                                             Aplanatisch II. 255.
Adhāsion fester Körper I. 251.
                                             Araeometer, Nicholsonsches I. 295.
                                             - für Flüssigkeiten I. 801.
  – flüssiger Körper an festen I. 304. 312. |
```

Doppelbrechung des Lichtes II. 482. 567. physikalische Erklärung derselben II. 583; in zweiaxigen Krystallen II. 604; in gepressten und gekühlten Gläsern II. 668.

der Wärme III. 227 ff.

Doppelstrich IV. 55.

Drehung der Polarisationsebene durch Reflexion II. 512; durch Brechung II. 514; im Quarz II. 672; Abhängigkeit von der Wellenlänge II. 673; in ver-schiedenen Krystallen II. 686; Theorie derselben von Reusch u. Sohnke II. 685. in Flüssigkeiten II. 687; durch Magnetismus IV. 1006 ff.; durch den elektrischen Strom IV. 1015.

Drehungskonstante des Zuckers II. 693.

Drehungsmoment I. 78, 551.

reduziertes, zweier Kreisströme IV. 835; zweier Magnete IV. 105. Drehungsvermögen, molekulares II, 689. Drehwage I. 166. IV. 65.

Dreiklang I. 703. Druck, hydrostatischer I. 276.

- hydraulischer I. 375. strömender Gase I. 519.

gleichmässige Fortpflanzung in Flüssigkeiten I. 261.

Durdreiklang I. 704.

Dynamoelektrische Maschine IV. 1103; Theorie derselben IV. 1106.

E.

Ebbe I, 176. Ebene, schiefe I. 64. Echo I. 815. Ei, elektrisches IV. 438. 1135. Einaxige Krystalle II. 580. Einfallsebene I. 614. II. 48. Einfallslot I. 614. II. 38. Einfallswinkel I. 614. II. 38. Eisen, passives IV. 649. Eisenvioline I. 740. Eiskalorimeter von Lavoisier und La-

place III. 452; von Bunsen III. 454. Elasticität I. 195; durch Biegung I. 228; durch Torsion I. 216; durch Zug I. 196. der Flüssigkeiten I. 264. 273.

Elasticitätskoefficient I. 199. 553.

Elasticitätsgrenze I. 241.

Elasticitätsfläche einaxiger Krystalle II. 587.

Elasticitätsfläche zweiaxiger Krystalle

Elastische Nachwirkung I. 233.

Elektricität IV. 165; positive und negative IV. 167; Erkennung derselben IV. 168; Erregung derselben durch Reibung IV. 175; durch Schaben und Feilen IV, 178; durch Druck IV. 179; durch Wärme IV. 179. 618; durch chemische Prozesse IV. 182, 796; dar Kontakt IV. 181. 443 ff.; durch Influ IV. 207; durch Kontakt zweier Mets IV. 441 ff.; durch Kontakt von Metal und Flüssigkeiten IV. 461; durch Ko takt zweier Flüssigkeiten IV. 47 durch Kontakt von Metallen u Gasen IV. 483.

Elektricität, Dichtigkeit derselben

Entladung derselben IV. 374; Dan der Entladung IV. 388; Fortpflanzung geschwindigkeit der Entladung IV. 38 Wärmewirkung der Entladung IV. 41 mechanische Wirkung derselben 431; Lichtwirkung derselben IV. 43 chemische Wirkungen IV. 438. 73 physiologische Wirkungen IV. 43 elektrische Wirkungen IV. 439, 104 magnetische Wirkungen IV. 439. 9 Gesetze der Anziehung und I stofsung IV. 185.

- Leitung und Mitteilung IV. 171.

- Mass derselben IV. 182. - Sitz derselben IV. 221.

Verteilung auf Leitern IV, 227; der Kugel IV, 230; Ellipsoid IV, 21 kreisförmiger Platte IV, 232; meh ren mit einander verbundenen Leite IV. 240.

- auf getrennten Leitern IV. 257. auf parallelen leitenden Fläch

IV. 245.

- auf zwei konzentrischen Kugeln 276.

 auf zwei parallelen Ebenen IV. 2
 auf zwei konzentrischen Cylinde IV. 253.

in mit Hohlräumen versehenen L tern IV. 255.

Zerstreuung derselben IV. 197. Elektricitätsmenge, Messung in der To sionswage IV. 193.

Elektrisiermaschine IV. 346.

Elektrisierungskonstante IV. 293. Elektrische Verteilung oder Influenz I

- in nichtleitenden Körpern IV. 28 - in nichtleitenden Flüssigkeiten l 320.

in nichtleitenden festen Körpe IV. 332.

Elektrisches Grundgesetz Webers 844. Einwürfe gegen dasselbe IV. S Elektrode IV. 696.

Elektrodynamik IV. 799.

Elektrodynamisches Grundgesetz IV. 80 Bestimmung der Konstanten desselb IV. 813 ff.; Webers Prüfung desselb IV. 831.

Elektrodynamometer IV. 836.

Elektrolyse IV. 695; binärer Verbindungen IV. 695; von Lösungen IV. 698; der Sauerstoffsalze IV. 699 ff.; zusam-mengesetzter Verbindungen IV. 717; von Lösungsgemischen IV. 731. – sekundäre Wirkungen bei derselben

IV. 710.

- des Wassers IV. 711.

- Theorie derselben IV. 737.

- mechanische Theorie derselben IV. 1174.

Elektrolyt IV. 696.

Elektrolytisches Gesetz IV. 705.

Elektromagnetismus IV. 880.

Elektromagnete IV. 925; Anziehung und Tragkraft derselben IV. 969.

Elektromagnetische Rotationen IV. 891

Elektrometer von Hankel IV. 284.

— von Kohlrausch IV. 269. 272. — von W. Thomson IV. 276 ff. 310. Elektromotorische Kraft IV. 445.

— der Elemente IV. 608 ff.

— ihre Bestimmung IV. 597. - der Gassäulen IV. 613.

- der Thermoketten IV. 631.

- absolute Masse derselben IV. 1139; elektromagnetisches IV. 1140; elektrodynamisches IV. 1151; mechanisches IV. 1153.

Elektromotorisches Gesetz IV. 477. 607. Elektrooptische Erscheinungen IV. 339

Elektrophor IV. 334.

Elektrophormaschine oder Influenzma-

schine IV. 359. Elektroskop IV. 166; Behrenssches IV.

Elemente, galvanische IV. 493. konstante IV. 498.

Emission des Lichtes II. 284; Abhängigkeit von der Dicke und Dichte der strahlenden Schicht II 291; von der Temperatur II. 300; Verhältnis zur Absorption II. 280.

der Wärme III. 237; Verhältnis zur

Absorption III. 261.

— Abhängigkeit von der Temperatur III. 245; 350 ff.

Emissionsgesetz für Wärme von Stefan III. 249. 361.

Emissionshypothese des Lichtes II, 39, Emissionsvermögen für Licht II. 280.

Emissionsvermögen für Wärme III. 239. - absoluter Wert desselben III. 364.

Beziehung zum Absorptionsvermögen Ш. 261.

Endosmose I. 365.
— elektrische IV. 724.

Entladung der Elektricität, Siehe Elektricität.

Energie eines Körpers III. 408.

elektrische IV. 235.

Erde, Dichtigkeit derselben I. 170. - Magnetismus derselben IV. 128.

- Variationen des Magnetismus IV. 160. - magnetisches Moment derselben IV. 160.

- magnetischer Zustand derselben IV. 152.

Erdinduktor IV. 1053.

Erdstrom IV. 864.

Erhaltung der Kraft, Princip der I. 74. III. 381.

Erhaltung der Pendelebene I. 146.

der Rotationsebene I, 142.

Erkalten III. 351.

Erkaltungsgeschwindigkeit III. 246. 351.

Erkaltungsgesetze III. 353 ff.

Erkaltungsmethode zur Bestimmung der specifischen Wärmen III. 459. Erstarren III. 607.

Erstarrungstemperatur III. 607.

Extraordinärer Strahl II, 483, 569, 573. Extrastrom IV. 1039.

Fall der Körper I. 58. Fallmaschine I. 52.

Farad (Mass der elektrischen Kapacität) IV. 1142.

Farben II. 98; komplementäre II. 105, 373.

- der Körper II. 266.

dünner Blättchen II. 407.

dünner Blättchen von einaxigen Krystallen II. 644; von zweiaxigen Krystallen II. 656.

dicker Platten II, 423.

Farbenkurven in senkrecht zur Axe geschnittenen einaxigen Krystallen II. 633; in parallel der Axe geschnittenen einaxigen Krystallen II. 646; in gekreuzten Platten II. 650; in Quarzplatten II. 670. 679.

in zweiaxigen Krystallen II. 658; in geprefsten oder gekühlten Gläsern

II, 668.

Farbenmischung II. 373.

Farbenringe, Newtonsche II. 407.

Newtonsche im durchgelassenen Licht II. 411. 420.

Newtonsche im polarisierten Licht II. 465.

- in einaxigen Krystallen II. 633.

Fernewirkung l. 153.

elektrische, Faraday - Maxwellsche Theorie derselben IV. 341.

Fernpunkt II. 365.

Fernrohr II. 384; astronomisches II. 385; terrestrisches II. 386; Galileisches II. 386; katoptrisches II. 387.

Fernsichtigkeit II. 366.

Flasche, Leydener IV. 370.

Feuchtigkeit, wässerige, des Auges II. 354.

Flammen zur Analyse des Klanges I. 725.

Festigkeit I. 244.

Fluorescenz II. 314. Versuche einer Theorie derselben Fluorescenzlicht, Spectrum desselben II. Flüssigkeit I. 194. 260. Flüssigkeiten, Bestimmung ihrer Ausdehnungskoefficienten III. 54 ff. Flut I. 176. Fortpflanzung des Druckes in Flüssigkeiten I. 261. - des Lichtes II. 4. --- des Schalles I. 784. - der Wärme durch Strahlung III. 155; durch Leitung III. 275. - der Wellen in Punktreihen I. 564. der Wellen in Punktsystemen I. 600. 604. 609. Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes II. 8. 15. 18. - des Schalles I. 785. 795. 804. 810. 813. der Wellenbewegung I. 576. der Elektricität im Entladungsstrom IV. 401. Fundamentalversuche, Voltasche IV. 443ff. Funke, elektrischer IV. 453. - beim Offnen der Ketten IV. 683. - bei Induktionsströmen IV. 1118 ff. Funkenmikrometer IV. 377. Fufs l. 11. Galvanismus, Entdeckuug desselben IV. 441. Theorieen desselben IV. 790 ff. Galvanometer IV. 901. 912. Gase, Beschaffenheit I. 194, 397. Kondensation zu Flüssigkeiten I. 492. III. 773. 777. dynamische Theorie derselben I. 439. — Gröfse der Moleküle I. 535. — Kritische Temperatur III. 777. - Wegelängen der Moleküle I. 441. - absolute Werte derselben I. 535. — Zustandsgleichung derselben III. 103. Gassäule, elektrische IV. 484. Gefälle der Elektricität IV. 513. Gefässbarometer 1. 406. Gefrierpunkt III. 607. Geräusch 1. 695. Geschwindigkeit I. 47, 549; virtuelle I. 82. Gesetze, physikalische I. 5; Ableitung aus Messungen 1. 9. Gesichtsempfindung II. 370. Gesichtsfeld II. 355. Gesichtswahrnehmung II. 374.

Gesichtswinkel II. 375. Gewicht I. 12. 544. 548. 550. - specifisches L 112; Bestimmung d selben I. 294. 298. III. 144. Gewicht, specifisches, fester und für ger Körper III. 146; der Gase und Luft III. 148. Gewichtsthermometer III. 15. Gitter zur Beugung des Lichtes II. 4 Gitterspektrum II. 468. Glaskörper im Auge II. 354. Gleichgewicht eines Punktes L 65. eines Systems I. 90. einer Flüssigkeit unter Wirkung liebiger Kräfte I. 286. schwimmender Körper I. 293. indifferentes, labiles, stabiles I Gleichgewichtsfiguren von Flüssigkei I. 352. Glimmlicht, negatives in Geisslersch Röhren IV. 1123. 1130. Glocken I. 652. 740. Glühen, elektrisches IV. 433. galvanisches, von Drähten IV. 6 galvanisches, der Kohlenspitzen 686 ff. Goldblattelektroskop IV. 166. Gramm I. 12. Grenze der Hörbarkeit I. 720. Grenzwinkel der totalen Reflexion 201. 517. H.

Hahn, Babinetscher I. 480. Grassmannscher I. 482. Halblinsen von Billet II. 406. Halbleiter der Elektricität IV. 173. Halbschatten II. 5. Halbschattenapparate (Saccharimeter 698. Hammer, Wagnerscher IV. 1021. Härte 1. 245. Hauchbilder I. 495. Hauptbrennpunkte II. 220. Hauptbrennweiten II. 220; von Lin II. 241. Hauptebene II. 230. Hauptgleichung, erste der mechanisel Wärmetheorie III. 407. zweite der mechanischen Wan theorie III. 427. Hauptlagen, magnetische IV. 102. 1 Hauptpunkte II. 230. auptsatz, erster, der mechanisch Wärmetheorie III. 407. Hauptsatz, erster, - zweiter, der mechanischen Wan theorie III. 413. Hauptschnitt bei Krystallen II. 482 ! Hebel I. 78. Hebelarm I. 80. Heberbarometer I. 410.

Heliostat II. 54. Heliotrop II. 56.

Höhenmessung, barometrische I. 461. Hohlspiegel II. 73.

Hörbarkeit, Grenze der I. 720. Horopter II, 377.

Huyghenssche Konstruktion des doppelt gebrochenen Lichtes II. 570; Vergleich derselben mit der Erfahrung II. 575.

Huyghenssches Princip I. 604. Hydraulische Presse I. 284. Hygrometer von Daniell III. 768.

- von Regnault III. 769.

Identische Netzhautpunkte II. 377. Idioelektrisch IV. 167. Indifferenzzone, magnetische IV. 41. Induktion, elektrische IV. 1020.

in linearen Leitern IV. 1021.

- in körperlichen Leitern IV. 1076.

magnetelektrische IV. 1025.

- durch den Erdmagnetismus IV, 1051. durch Reibungselektricität IV, 1045.
 unipolare IV. 1047.

Theorie derselben von Neumann IV. 1057.

Theorie derselben von Weber IV. 1063.

photochemische II. 346.

Induktionsapparate, magnetelektrische IV. 1096.

elektromagnetische IV. 1112. Induktionsgesetz, von Lenz IV. 1024. Induktionsinklinatorium IV. 1053.

Induktionsströme, ihre Dauer IV. 1090.
— ihre Gesetze IV. 1024. 1027.

höherer Ordnung IV. 1055. Induktionsvermögen, specifisches IV.

287 ff. Influenz, elektrische IV. 207; auf Nichtleitern IV. 285. 319; Theorie derselben IV. 215; von Faraday IV. 285. 341. Influenzelektricität der ersten und zwei-

ten Art IV. 210.

Influenzmaschinen IV. 359. Inklination der Magnetnadel IV. 129.138.

Inklinatorium IV. 139.

Intensität des Schalles I. 696, 784.

- des Lichtes II. 30.

- des gebeugten Lichtes II. 446. 453 ff. - des polarisierten Lichtes II. 486. Intensität des reflektierten und gebroche-

nen Lichtes II. 502. 507. 510.

des Erdmagnetismus IV. 130. 144. 148, 163, Interferentialrefraktor II. 428.

Interferenz des Lichtes II. 392 ff. - Bedingungen derselben II. 403. Interferenz bei großen Gangunterschieden II. 430.

des polarisierten Lichtes II, 490, 626.

- des Schalles I, 832, 836. - der Wärme III, 222. - der Wellen I, 577 ff.

Interferenzprisma II. 405. Interferenzspiegel II. 393. Interferenzstreifen II. 394.

Interruptor IV. 761; von Foucault IV. 1116. Intervalle der Töne I. 702.

Jodsilber, Ausdehnung desselben III. 53. Ionen IV. 696; Wanderung derselben IV. 721.

Irradiation II. 368. Isodynamen IV. 153. Isogonen IV. 153. Isoklinen IV. 153. Isolator der Elektricität IV. 172. Isotherme Fläche III. 310. Isothermische Kurve III. 424. Isotrop I. 601.

K.

Kaleidophon I. 670. Kaleidoskop II. 61. Kalibrieren der Thermometer III. 13. Kalkspatprisma, achromatisiertes II. 593. Kalorimeter III. 436. 453. 454. Kalorimotor, Hares IV. 497. Kältemischungen III. 642. Kante, brechende II. 89 Kapacität elektrische IV. 229. Kapillarelektrometer IV. 784. Kapillarröhren I. 316. Kapillaritätskonstanten I. 332. Kapillarwirkungen, Bewegung durch dieselben I. 347.

Kathetometer I. 24. Kathode IV. 696.

Kathodenstrahlen IV. 1130.

Kation IV. 696. Kehlkopf I. 772. Kernschatten II. 5.

Ketten, konstante galvanische IV. 498.

Kilogramm I. 12. Klang I. 696.

Analyse desselben I. 722, Apparat zur Analyse desselben von König I, 725. Klänge, longitudinal schwingender Stäbe I. 732.

- der Saiten I. 734; des Klaviers I. 736; der Geige I. 737.

transversal schwingender Stäbe I. 738.

Klänge schwingender Platten I. 740.

 gedeckter Pfeifen I. 743; offener
 Pfeifen I. 749; der Zungenpfeifen I. 759. 767.

1184

Klänge der Blasinstrumente I. 769. Klangfiguren, Chladnische I. 647 ff. Knoten in Wasserstrahlen 1, 393. Knotenlinien I. 647. Knotenpunkte in schwingenden Punkt-

reihen I. 584.

in schwingenden Stäben L 624. 644.

in schwingenden Saiten l. 634. optische, bei Linsen II. 235.

Koercitivkraft IV. 47.

Kohäsion I. 194; bei Flüssigkeiten I.

specifische I, 342.

Kohlenlicht IV. 684; seine Intensität IV. 689 ff.

Körper, feste I. 194.

flüssige I. 260. gasförmige I. 397.

schwimmende I. 292. Kollektorplatte IV. 364. Kombinationstöne I. 841.

Kommunizierende Röhren I. 282.

Kommutator IV. 803. 931. Komparator I. 13.

Kompensationspendel III. 141.

Kompensationsmethode zur Bestimmung der elektromotorischen Kraft IV. 598. Kompensator von Babinet II. 524. Komplementärfarben II. 105. 373.

Kompressibilität der Flüssigkeiten I. 264. Kompressionskoefficient, kubischer, fester

Körper I. 209

der Flüssigkeiten I. 265. 273.

Kompressionspumpe I. 489.

Kondensation der Gase I. 492 III 773. 777.

Kondensator, elektrischer IV. 366.
— bei Induktionsapparaten IV. 1116.
Kondensatorplatte IV. 364.

Konische Refraktion II. 620.

Konsonanz I. 702.

Theorie derselben I. 845.

Konstanten, optische, der Krystalle, ihre

Bestimmung H. 661. Kontaktelektricität IV. 441.

Kontakttheorie IV. 791.

Kontraktion von Flüssigkeitsgemischen I. 351.

Kontraktion von Salzlösungen I. 350.

Kontrastfarben II 374.

Konvexspiegel II. 71. Korrektion der Thermometer für den herausragenden Faden III. 375.

Kraft I. 50, 544, 548, 550.

brechende II, 138.

elektromotorische IV. 367.

- Erhaltung derselben I. 74. III. 381.

lebendige I. 73.

Messung derselben I. 51, 72, 544.

Kräfteparallelogramm I. 62. Krystalle, einaxige II. 580. Krystalle zweiaxige II. 604. 624. - Anwendung derselben als Polaris-tionsapparate II. 593.

- zur Photometrie IL 598. Krystalllinse, im Auge II. 354.

Kurve, adiabatische III. 424. - isothermische III. 424.

Kurven, isochromatische, in einzign Krystallen II, 636, 646; in zweinigen Krystallen II. 658.

Kurzsichtigkeit II. 365.

14

Labialpfeifen I. 742 ff. Ladungsapparat, elektrischer IV. 369. Ladungsflasche IV. 369. Ladungsplatte, Franklinsche IV. 370. Ladungsstativ IV. 386.

Längsschwingungen. Siehe Schwin-

gungen, longitudinale Leiter der Elektricität IV. 172. Leitungsfähigkeit, elektrische IV. 172.
— Einfluss der Temperatur IV. 171.

der Gase IV. 174; des leuren Rames

IV. 174.

-, galvanische, Bestimmung dersellen

bei festen Körpern IV. 557. 562; bei flüssigen Körpern IV. 582 ff. fester Körper IV. 575; Abhängig-keit von der Temperatur IV. 578; der Legierungen IV. 576; Verhältnis zur Wärmeleitungsfähigkeit IV, 580.

flüssiger Körper IV. 568; Theorie

derselben IV. 751.

für Wärme, äussere III. 281; innere III. 280

für Wärme fester Körper III. 286 fl. für Wärme der Flüssigkeiten III. 312 für Wärme der Gase III, 327. 343.

- Theorie derselben III 536. für Wärme der Krystalle und Hölzer

III. 309. Leitungswiderstand, elektrischer IV. 513; Einheiten desselben IV. 548. 1110

1152. 1154. Leydener Flasche IV. 369.

Licht II. 3; Ausbreitung desselben II. 4; Fortpflanzungsgeschwindigkeit II. 8. 15. 18.

- elektrisches IV. 434.

durch den galvanischen Strom IV.

des Induktionsfunkens IV. 1191

- elektrisches, des Induktionsfunkens, in Geisslerschen Röhren IV. 1121. - elektrisches, des Induktionsfunkent,

in Geisslerschen Röhren, Schichtung desselben IV. 1123 ff.

- elektrisches, Einfluss des Magnett auf dasselbe IV. 1135.

ultraviolettes II. 321.

Lichtäther II. 43.

Lichtbogen, galvanischer IV. 686.

galvanischer, elektromotorische Kraft desselben IV. 693.

galvanischer, Widerstand desselben IV. 692.

Lichtstärke II. 30; Abnahme derselben mit der Entfernung II. 34.

Lichtwirkungen, chemische II. 341. Linien, Fraunhofersche II. 146.

im Wärmespectrum III. 181 ff. Talbotsche II. 435.

Linsen II. 237.

achromatische II. 257.

aplanatische II. 255. Linsenbilder II. 244.

Linsenkombination II. 256.

Liter I. 12.

Longitudinalschwingungen. Siehe Schwingungen, longitudinale. Longitudinaltöne, Siehe Klang.

Luftballon I. 402. Luftdruck I. 402. 417. 555. Luftpumpe I. 474. 481. 484. Luftthermometer III. 21; nach Magnus III. 92; nach Jolly III. 95.

Vergleichung derselben III. 120. elektrisches IV. 418.

Luftwiderstand I. 542. Lupe II, 380.

Mafse, die in der Physik gebräuchlichen I, 11.

abgeleitete I. 548.

Dimensionen derselben I. 548 ff.

absolute I, 544. 548. Maß der Elektricität IV. 184.

absolutes, der elektromotorischen Kraft, elektromagnetisches IV. 1140; elektrodynamisches IV. 1151; mechanisches IV. 1154.

absolutes, des Magnetismus IV. 106. absolutes, des Widerstandes, elek-tromagnetisches IV. 1140; elektrodynamisches IV. 1151; mechanisches IV.

1154. absolutes elektromagnetisches, der

Stromstärke IV. 916. absolutes elektrodynamisches, der Stromstärke IV. 923.

chemisches, der Stromstärke IV. 527.

920. der Wärme III. 137.

Mafsflasche, Lanesche IV. 386. Maßsystem, relatives I. 544.

— absolutes I. 547.

Magnekrystallkraft IV. 1001.

Magnet, seine Konstitution IV. 47.
— seine Direktionskraft IV. 43. 63; Messung derselben IV. 70.

Magnet, seine Fernewirkung IV. 84 ff.

seine Tragkraft IV. 59.

— Verfertigung desselben IV. 54. Magnetbündel IV. 57.

Magneteisenerz IV. 40. Magnetisieren IV. 54.

durch den galvanischen Strom IV.

Magnetisierende Kraft IV. 934. Magnetisierungskonstante IV. 954. Magnetisierungsfunktion IV. 954. Magnetisierungsspirale IV. 927.

Magnetismus IV. 40.

Verteilung in Magneten IV. 108.

Einfluß mechanischer Kräfte IV. 113. Einfluß der Torsion IV. 115; der Biegung IV. 121.

Einfluss der Wärme IV. 121; des

Lichtes IV. 126.

in Elektromagneten, Abhängigkeit von der Stromstärke IV. 931; von der Bescheffenheit der Stähe IV. 947 ff. Beschaffenheit der Stäbe IV. 947 ff.; von der Form der Stäbe IV. 949; Theorie von Poisson, Neumann, Kirchhoff IV. 949 ff.; Verteilung desselben IV. 963.

Magnetismus der Erde IV. 128.

der Lage IV. 130.

- Theorie desselben von Ampère IV. 926.

- specifischer IV. 997. 999.

Magnetnadel, Ablenkung durch den Strom IV. 880; durch einen Kreis-strom IV. 901.

Magnetoinduktion IV. 1025. Magnetoinduktionsapparate IV. 1096.

Magnetometer IV. 73. Magnetpol IV. 43. 68.

Manometer I. 463.

- von Desgoffe I. 284. - von Regnault I. 466.

Mariottesches Gesetz I. 418. Ableitung desselben aus der dynamischen Gastheorie I. 452.

Abweichung der Gase von dem-selben I. 426. 432.

Masse, ihre Definition I. 59. 548. Materie, ihre Beschaffenheit I. 182.

Maximumthermometer III. 133 ff. Meridian, magnetischer IV. 43. 64. 153.

Metacentrum I. 293. Metallthermometer III. 136.

Meter I. 11.

Mikrometer von Rochon II. 596. Mikrometerschraube I. 15.

Mikroskop, einfaches II. 380; zusammen-

gesetztes II. 382. objektives II. 381.

Milligramm 1. 12. Millimeter J. 11.

Minimumthermometer III. 133. Mischung von Flüssigkeiten I, 350. Mischungsmethode zur Bestimmung der | Ohmsches Gesetz IV. 507. specifischen Wärme III. 430; 434 ff. Mittellinie, optische, in zweiaxigen Krystallen II. 611. Mittelpunkt paralleler Kräfte I. 86. Modulus der Metalle und Metalloide für Wärmeentwicklung durch chemische Prozesse III. 821. Molekül I. 190. Moleküle, Größe und Zahl derselben bei Gasen I. 537. mittlere Wegelängen derselben I. 441. 535. Geschwindigkeit derselben I. 458. Molekularkräfte I. 194. Größe ihrer Wirkungssphäre I. 343 Molekularmagnetismus IV. 1001. Molekularwirkungen zwischen festen und flüssigen Körpern I. 304. 311. 349. zwischen festen Körpern und Gasen I. 494 ff. zwischen flüssigen Körpern und Gasen I. 498 ff. Molldreiklang I. 705. Moment, magnetisches IV. 69. statisches I. 78. - der Trägheit I. 96. Monochord 1. 700. Multiplikator III. 161. IV. 912. - Graduierung desselben III. 165. IV.

Nachbilder, positive II. 373; negative II. 373. Nachwirkung, elastische I. 233 ff. Nadeln, astatische IV. 912. Nahepunkt II. 366. Netzhaut II, 354. Netzhautbilder II. 355. Netzhautpunkte, identische II. 377. Neutraler Punkt (bei Thermoströmen) IV. 625. Nichtleiter für Elektricität IV. 172. Nicolsches Prisma II. 594. Niveauflächen in Flüssigkeiten I. 277. des Potentials IV. 15. Nonius I. 21. Nordpol, magnetischer der Erde IV. 160. Normaldruck bei Flüssigkeiten I. 307.

0.

Nullpunkt der Thermometer III. 9.

Oberflächenspannung bei Flüssigkeiten I. 307. Objektiv für Fernrohre II. 384. für Mikroskope II. 382. Oeffnungsstrom IV. 1021. Ohm, das (Mass des Widerstandes) IV. 1142

Experimentelle Bestätigung dem ben durch Kohlrausch IV. 520. Experimentelle Bestätigung dem ben durch Messung der Stromstid IV. 525. Ohr I. 825, Oktave I. 703. Okular II. 384; terrestrisches II. 386. Ordinärer Strahl II. 483. 567. Orgelpfeife, gedeckte I. 743; offere 749. Oscillationen. Siehe Schwingungen Oscillierende Entladung IV. 396.

Ozon IV. 712.

P.

Papinscher Topf III. 656. Paradoxon, hydrostatisches I. 278. Parallaxe der Sonne II. 14 Parallelogramm der Kräfte I. 62. der Drehungen L 82. Parallelepipedon, Fresnelsches IL 52 Partialentladung IV. 388. Passivität der Metalle IV. 780. Pauke I. 740. Pause, elektrische IV. 435. Peltiersches Phanomen IV. 651 ff. Pendel I. 114. Pendel, Ableitung seiner Schwingung dauer I. 116. - mathematisches I. 120. – physisches I. 120. - physisches, Anwendung bei Uhr I. 136. Pendelgesetze I. 116. experimentelle Bestätigung derben I. 121. - allgemeine Anwendung dersell-I. 137. Pendelversuch, Foucaultscher, I. 146. Pfeifen, gedeckte I. 743; offene I. 74 kubische I. 753. Pfeifentöne I. 743 ff. Pfund I. 12. Phase der Schwingung I. 560. Phonautograph I. 663. Phonograph I. 822. Phosphorescenz II. 334. Phosphoroskop II. 337. - absoluter, der Temperatur III. 103. Photographie II. 343. Photometer von Bunsen II. 32. - Glan II. 601. – Ritchie II. 32. — Rumford II. 31. Wild II. 654. - Zöllner II. 600. Physik, Aufgabe und Inhalt I. 1.

- Methode derselben I. 2.

Piezometer I. 266.

Pol, analoger und antiloger elektrischer, Princip, Huyghenssches der Fortpflan-bei Krystallen IV. 180. | zung der Wellen I. 604.

Pole, magnetische IV. 4. 68.

magnetische der Erde IV. 160.

der Solenoide IV. 874

Polarisation des Lichtes II. 481.

des Lichtes durch Doppelbrechung II. 482.

des Lichtes durch einfache Brechung II. 498.

- des Lichtes durch Reflexion II. 495.

des Lichtes, Wesen derselben II. 487. cirkulare, des total reflektierten Lich-

tes II. 522. cirkulare, im Bergkrystall II. 680.

- elliptische, des total reflektierten Lichtes II. 529.

– elliptische, des Lichtes bei Metallreflexion II. 547.

elliptische, des Lichtes bei gewöhnlicher Reflexion II. 559.

der Wärme III. 227. galvanische IV. 759 ff.

Polarisationsapparate II. 593. 634. 696. **698**. 700.

Polarisationsbüschel II. 485.

Polarisationsebene II. 485.

Drehung derselben im Quarz II.
 670; in andern Körpern II. 686.

 Drehung derselben durch den galva-nischen Strom und Magnete IV. 1006. Polarisationsphotometer II. 600. 601. 654 Polarisationswinkel II. 497.

Polaristrobometer II. 696.

Polarität, diamagnetische IV. 985. Porositat I. 193.

Potential, IV. 30.

einer gegebenen Menge auf sich selbst IV. 34.

- zweier gegebener Mengen auf ein-ander IV. 31.

– zweier geschlossenen Ströme auf einander IV. 827.

magnetisches, der Erde IV. 158. Potentialfunktion IV. 1.

- einer homogenen Kugel IV. 11.

Niveauflächen derselben IV. 15. - Bedeutung des zweiten Differential-quotienten IV. 18.

und ihre Differentialquotienten in einer Fläche IV. 21.

Presse, hydraulische I. 284.

Prim I. 702.

Princip, Archimedisches I. 290; bei Gasen I. 400.

der Erhaltung der Kraft I. 74. III. 381.

der Gleichheit von Aktion und Reaktion I. 78.

der virtuellen Geschwindigkeiten L 81.

Prisma, Brechung des Lichtes durch dasselbe II. 89.

achromatisches II. 216.

geradsichtiges II. 217. Foucaultsches II. 595.

Nicolsches II. 594.

Sénarmontsches II. 593.

Wollastonsches II. 602.

Prüfungskörper IV. 236.

Psychrometer III. 770. Punkte, fixe, am Thermometer III. 9. Punktsystem, isotropes I. 601; homogenes I. 601.

Schwingungen desselben I. 601 ff.

Pyknometer I. 297.

Pyrheliometer III. 370.

Pyroelektricität IV. 179. Pyrometer III. 137.

Q.

Quadrantenelektrometer IV. 277 ff. Quarte I. 703.

Quartsextaccord I. 705.

Quarz, Drehung der Polarisationsebene in demselben II. 670.

rechtsdrehender und linksdrehender

II. 671. Quecksilber, Ausdehnung desselben III.

Quecksilbereinheit, Siemenssche IV. 551;

Absoluter Werth derselben IV. 1150. Quecksilberkalorimeter III. 816.

Quecksilberluftpumpen I. 484 ff. Quecksilberthermometer III. 6. 16.

Vergleichung derselben Ill. 128. Quellen der Wärme III. 369. 800.

Querkontraktion I. 200 ff.

Querschwingungen im polarisierten Lichte

II. 487; Nachweis derselben II. 489. Quinte I. 703.

Raum, schädlicher, in d. Luftpumpe I. 473. Reaktionsrad I. 280.

Reduktion der Wägungen auf den luft-leeren Raum III. 111.

Reduktionsfaktor der Tangentenbussole IV. 530.

Reflexion des Lichtes Π . 47.

des Lichtes, Ableitung des Reflexionsgesetzes II. 50.

des Lichtes an krummen Flächen II. 62.

des Lichtes, diffuse II. 266.

des Lichtes, totale II. 200. 515.

des polarisierten Lichtes an durch-sichtigen Medien II. 498 ff. 559.

des polarisierten Lichtes an stark absorbierenden Medien II. 531.

tallen II. 546. - des Schalles I. 814. - der Wärme III. 171. - der Wärme, diffuse III. 217. der Wellen I. 609. Reflexionsgoniometer II. 57. 785 ff. Reflexionstheorie von Cauchy nach Beer II. 582. - von Fresnel II. 498. - von Ketteler II. 506. 540. - von Neumann II. 504. Refraktion. Siehe Brechung. konische II. 620. Reibung fester Körper, äussere I. 252; innere I. 253. der Flüssigkeiten I. 379; äussere I.
380; innere I, 381.
der Gase I. 511; Theorie derselben 610. Reibungskonstante bei Flüssigkeiten, innere I. 381; ihre Bestimmung I. 384. - bei Gasen I. 516; ihre Bestimmung Щ. 627. L 517. Reibungselektricität. Siehe Elektricität. 632. Reihe, elektrochemische, der Elemente IV. 741. Reisetheodolith IV. 136. Resonanz I. 819. III. 628 Resonator I. 724. Reversionspendel I. 132. Rheochord IV. 554. Rheostat IV. 553. Röhren, kommunicierende I. 282. Geißlersche II. 293. IV. 1121. Rotationen, elektrodynamische IV. 807. von Strömen unter dem Einfluss der Magnete. IV. 891. · von Magneten unter dem Einfluß von Strömen IV. 896. Rotationsapparat Bohnenbergers I. 143. von Fessel I. 144. Rotationsebene, Erhaltung derselben I. Rotationsmagnetismus IV. 1076. Rückschlag, elektrischer IV. 440. Rückstand, elektrischer, in der Batterie IV. 405. - Theorie desselben IV. 408. S. Gasen I. 672 ff. Saccharimeter von Dubosq II. 700. – von Laurent II. 699. von Wild II. 696.

Saccharimetrie II. 694. Saiten, Schwingungen derselben I. 628 ff. Klänge derselben I. 784 ff. Salzlösung, Siedetemperaturen III. 650. - Wärmeverbrauch bei Herstellung III.

Reflexion des polarisierten Lichtes an Me- | Säule, Voltasche IV. 486. · trockene IV. 491. Schall, Ursache desselben I. 693. — Qualität desselben I. 695. Ausbreitung in der Luft I. 783. Schallgeschwindigkeit in der Laft · indirekte <u>Messung</u> derselben I. 71 in festen Körpern I. 804. in Flüssigkeiten I. 810. Schatten II. 4 Schichtung von Flüssigkeiten I. 356.
— des positiven Lichtes in Geist schen Röhren IV. 1123 ff. Schlag, elektrischer IV. 439. Schlagweite IV. 376. Schliessungsstrom IV. 1021. Schmelsen III. 606. Volumänderung bei demselben i Schmelspunkt III. 606. Anderung desselben durch Dra von Legierungen und Lösungen l Schmelstemperatur III. 606. Schmelzwärme III. 617. Beziehung zur specifischen Win - zum Elasticitätskoefficienten III.6 Änderung derselben mit der Schme temperatur III. 625. Schwächungskoefficient bei Absorpti des Lichts II. 273. Schwere, Dasein und Richtung I. ! Identität mit der allgemeinen A ziehung I. 154. Schwerpunkt I. 93. Schwimmen der Körper I. 292.

Schwingung des Pendels I. 114 ff. — eines Punktes I. 559. 560 ff. - einer Punktreihe L 564, 568. · eines Punktsystems I. 600.

fester Körper I. 618.

Schwingungen, drehende, von Drähte I. 220. 254; von Stäben I. 664.

elliptische I. 585 ff. longitudinale I. 567.

longitudinale, fester Körper L 6201 longitudinale, von Flüssigkeiten m

stehende I. 581 ff.

transversale I. 567.

- transversale, in Flüssigkeiten L 6801 Schwingungen, transversale, von Plat ten I. 647 ff.

transversale, von Saiten I. 628 f. transversale, von Stäben I. 641 f. Zusammensetzung mehrerer, oleicht Richtung und Periode I. 57"

Schwingungen, Zusammensetzung mehrerer, verschiedener Richtung und gleicher Periode I. 585 ff.

- Zusammensetzung mehrerer, schiedener Periode I. 592 ff.

zusammengesetzte, fester Körper I.

Schwingungskurven I. 666 ff.

Schwingungsdauer des Pendels I. 116 ff. der Punkte einer schwingenden Punktreihe I. 576.

drehend schwingender Stäbe I. 657. longitudinal schwingender Stäbe I.

transversal schwingender Saiten I. 633 ff.

transversal schwingender Stäbe I.

Schwingungsdauer der Schallwellen I. 718. Schwingungsebene des polarisierten Lichtes II. 488.

Schwingungsknoten L 584. Schwingungsphase I. 560.

Schwingungspunkt I. 121.

Schwingungsweite des Pendels I. 115. schwingender Punkte I. 560.

Schwingungszahl, absolute, der Töne I, 718.

Sehen II. 355.

in verschiedener Entfernung II. 362. Sehweite, deutliche II. 365.

Seitendruck I. 280. Sekunde L 703.

Sekundäre Axen in zweiaxigen Krystallen II. 605. 615.

Sekundenpendel I. 136, 164.

Septime I. 705. Sext I. 702.

extaccord I. 705.

Sieden III. 644; Erklärung desselben III. 662.

Siedepunkt III. 644; Änderungen bei konstantem Druck III, 645.

Abhängigkeit vom Druck III. 654.

von Salzlösungen III. 650. am Thermometer III. 9.

— absoluter III, 789. Sinusbussole IV. 910.

Sinuselektrometer IV. 272.

Sirene I. 697. Solenoid IV. 867.

Sonnenmikroskop II. 381. Sonnenwärme III. 369.

Spannkraft der Dämpfe III. 661.

Maximum derselben III. 661. Messung derselben III. 666.

Spannkraft der Wasserdämpfe III. 677. der Dämpfe aus Salzlösungen III.

der Dämpfe von verschiedenen Flüssigkeiten III. 690.

Spannkraft der Dämpfe von Flüssigkeitsgemischen III. 697.

der Dämpfe in Gasen III. 701.

der flüssigen Gase III. 776
 der Dampfe, theoretische Gleichungen für dieselben III. 793.

Spannung, elektrische IV. 227.

Spannungserscheinungen an geöffneten

Induktionsspiralen IV. 1117. Spannungsgesetz, elektrisches IV. 451. Spannungsreihe, galvanische, der Metalle

IV. 450. galvanische, der Metalle in Flüssig-keiten IV. 471.

reibungselektrische IV. 177.

- thermoelektrische IV. 620. Specifisches Gewicht I. 112; Bestimmung desselben I. 294 ff. III. 144.

Specifische Wärme. Siehe Wärme.

Spektralanalyse II. 284. Spektralapparat II. 147. 148. 289.

Spektrometer II. 151.

Spektrophotometer II. 601.

Spektrum des Sonnenlichtes II. 99. 146.

glühender Gase II. 292. Abhängigkeit desselben von der Dicke und Dichte der strahlenden Schicht II. 291.

- Abhängigkeit desselben von der Temperatur II. 300.

- der Metalle II. 290.

der Sonnenwärme III. 181. 224.

verschiedener Wärmequellen III. 181, 252.

Sphärometer I. 22. Spiegel, ebene II. 49. rotierender II. 58.

- sphärisch konkave II. 73. - sphärisch konvexe II. 71.

Spiegelablesung II. 57. Spiegelgalvanometer IV. 905.

Spiegelsextant II. 58. Spiegelteleskop II. 387.

Spiegelung, elektrische IV. 260. Spiegelversuch, Fresnelscher II. 393.

Spitzen, elektrische Eigenschaften derselben IV. 264.

Wollastonsche IV. 438. 709. Sprache, die menschliche I. 776.

Sprachrohr, I. 816. Stabilität I. 96.

Staubfiguren, akustische I. 652. Lichtenbergsche IV. 356.

Steifigkeit, Einfluss derselben bei Schwingungen von Saiten I. 638.

Steighöhe in Kapillarröhren I. 320 ff.

Stereoskop II. 378.

Stimme, die menschliche I. 772. Stimmbänder I. 773.

Stimmgabel I. 719.

Sachregister.

Tabelle d

Gase III. 10 - der denen der

dener der dener - der II. 193 - der

1580-

der der - der

fester

- der

- der

- der - de

I. 368 - der

leiter - der der I - der einig - der

von !

IV. 5

der

heite der

konst

der

der der

der der

in fe - der

in fli - der

in G - dei

welle de bis 1

- der

mete

- de

341.

des V totale stanze

Stimmritze I. 773.
Stofs, gerader I. 246; schiefer I. 249.
— der Luft I, 542. Stöfse bei Tönen I. 837.
Strahl in Krystallen II 572, 592.
Strahlung der Sonne III, 369.
Strahlungsvermögen. Siehe Emissions-
vermögen.
Streichinstrumente I. 737.
Streifen, Talbotsche II. 435. Strohfideln I. 740.
Strom, galvanischer IV. 471. 507.
— in ungeschlossenen Leitern IV. 540.
— Wärmewirkung desselben IV. 633 ff.
- chemische Wirkungen IV. 695 ff.
— mechanische Wirkungen IV. 782 ff.
— elektrodynamische Wirkungen IV. 799 ff.
- magnetische Wirkungen IV. 880 ff.
- elektrische Wirkung desselben IV.
1020 ff.
Stromstärke IV. 515.
- chemisches Maß derselben IV. 527.
— absolutes elektromagnetisches Maß
IV. 916. — absolutes elektrodynamisches Maß
IV. 923.
- absolutes mechanisches IV. 1153.
— Maximum derselben IV. 532.
Styliman ractylima IV 795
Strömungsströme IV. 785,
Stromverzweigung IV. 534.
Stromverzweigung IV. 534.
Stromverzweigung IV, 534. T.
Stromverzweigung IV, 534. T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503.
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1.
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gasè I. 503. der Atomgewichte der Elemente 1. 192.
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38.
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place,
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit,
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente l. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41.
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41. — der Ausdehnung des Quecksilbers
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gasè I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Regnault III. 66.
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Regnault III. 66. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Wüllner III. 70.
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Regnault III. 66. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Wüllner III. 70.
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Regnault III. 66. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Wüllner III. 70. — der Ausdehnung des Wassers nach Jolly III. 75.
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Regnault III. 66. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Wüllner III. 70. — der Ausdehnung des Wassers nach Jolly III. 75. — der Ausdehnung des Wassers nach
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gasè I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Regnault III. 66. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Wüllner III. 70. — der Ausdehnung des Wassers nach Jolly III. 75. — der Ausdehnung des Wassers nach Kopp, Jolly, Pierre, Hagen, Matthie-
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Regnault III. 66. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Wüllner III. 70. — der Ausdehnung des Wassers nach Jolly III. 75. — der Ausdehnung des Wassers nach Kopp, Jolly, Pierre, Hagen, Matthiesen III. 76.
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gasè I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Regnault III. 66. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Wüllner III. 70. — der Ausdehnung des Wassers nach Jolly III. 75. — der Ausdehnung des Wassers nach Kopp, Jolly, Pierre, Hagen, Matthie-
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Regnault III. 66. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Wüllner III. 70. — der Ausdehnung des Wassers nach Jolly III. 75. — der Ausdehnung des Wassers nach Kopp, Jolly, Pierre, Hagen, Matthiesen III. 76. — der Ausdehnung des Wassers nach Rosetti III. 77. — der Ausdehnung des Wassers nach Rosetti III. 77.
T. Tabelle der Absorptionskoefficienten der Gase I. 503. — der Atomgewichte der Elemente 1. 192. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Fizeau III. 38. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Matthiesen III. 39. — der Ausdehnungskoefficienten fester Körper nach Lavoisier und La Place, Roy, Troughton, Dulong und Petit, Regnault III. 41. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Regnault III. 66. — der Ausdehnung des Quecksilbers nach Wüllner III. 70. — der Ausdehnung des Wassers nach Jolly III. 75. — der Ausdehnung des Wassers nach Kopp, Jolly, Pierre, Hagen, Matthiesen III. 76. — der Ausdehnung des Wassers nach Rosetti III. 77.

III. 78.

sigkeiten III. 83.

- der Ausdehnung verschiedener Flüs-

Tabelle der Kompressibilität der Flüssig-Tabelle der Verdampfungswärmen des keiten I. 273. Wassers III. 716. 722. der verschiedenen Maße I. 11. der Verdampfungswärmen underer der musikalischen Intervalle I. 707. Flüssigkeiten III. 726. der optischen Konstanten des Auges der Verbrennungswärmen nach Dulong III. 803; nach Andrews III. 805; II. 356. der optischen Konstanten einaxiger nach Favre und Silbermann III. 808. der Wärmeentwicklung bei Her-Krystalle II. 582. 583. der Reibungskoefficienten der Gase stellung von Chlorverbindungen III. I. 525. der Schmelzpunkte einiger Körper der Wärmeentwicklung durch ver-Ш. 609 schiedene chemische Prozesse nach der Schwingungsverhältnisse Favre und Silbermann III. 819. 820. Tonleiter I. 713 der Würmeleitungsfähigkeiten der der reinen und temperierten Schwin-Flüssigkeiten III. 323. 326. gungsverhältnisse der Tonleiter I. 717. der Wärmeleitungsfähigkeiten der der Schwingungszahlen kreisför-Gase III. 334. 343. der Wärmeleitungsfähigkeiten der miger Platten I. 650. der Schwingungszahlen transversal Metalle III. 295. 304. 305. 309. schwingender Stäbe I. 645. der Weglängen der Gasmoleküle der Siedepunkte einiger Flüssig-I. 536. der Wellenlängen des Lichtes II. keiten III. 645. der Siedepunktserhöhungen durch 159. 480. gelöste Salze III. 650. - der dunklen Wärmestrahlen der Spannkraft der Wasserdämpfe III. 188. III. 685. 687. Tangentenbussole IV. 527. 903. der Spannkraft der Dämpfe ver-– von Wiedemann IV. 905. schiedener Flüssigkeiten III. 691. - von Weber IV. 907. der Konstanten der Spannkraftsfor-- von Gaugain IV. 908. meln der Dämpfe verschiedener Flüs-Teilbarkeit l. 182. sigkeiten III. 693. Teilmaschine I. 15. der specifischen Gewichte der Alko-Teleskop II. 387. holgemische I. 303. Temperatur III. 3. der specifischen Gewichte verschie-- absolute III. 103. dener fester und flüssiger Körper I. – kritische III. 781. 473. III. 146. — musikalische l. 714. der specifischen Wärme und Atom-- ihre Berücksichtigung bei Längenwärmen der dem Dulongschen Gemessungen III. 139. setze folgenden Elemente III. 579. - ihre Berücksichtigung bei Wügungen der specifischen Wärmen und Atom-III. 141. wärmen der dem Dulongschen Gesetze - der Sonne III. 374. nicht folgenden Elemente III. 581. Temperaturerhöhung durch Kompres-- der specifischen Wärmen und Atomsion der Flüssigkeiten III. 563. wärmen verschiedener Verbindungen Terz I. 702. Terzsextaccord I. 705. III. 586. der specifischen Wärmen der Gase Theodolith I. 28. - magnetischer, von Lamont IV. 136. bei konstantem Druck III. 498. der specifischen Wärmen der Gase Thermochrose III. 161. Thermometer III. 6. bei konstantem Volumen III. 509. — nach Celsius III. 9. — nach Réaumur III. 12. der Verhältnisse der beiden specifischen Wärmen der Gase III. 523. nach Fahrenheit III. 12. der specifischen Würmen einiger Vergleichung derselben III. 120. 128. Flüssigkeiten III. 553. 561. der specifischen Wärme der Dämpfe Korrektion für den herausragenden Faden III. 375. III. 731. 732. der specifischen Wärme des Was-Thermomultiplikator III. 162. Thermoreihe IV. 620. sers III. 470. 473. 478. 479. Thermosäule III. 160. der Temperaturangaben verschiedener Thermometer III. 131. Thermoskop III. 6.

der Variationen des Erdmagnetis-

mus in München IV. 162.

Thermoströme IV. 618.

- ihre elektromotorische Kraft IV. 631.

Thermoströme, ihre Theorie IV. 665. Timbre I. 696. Ton I. 695. Siehe auch Klang. Tonhöhe I. 701. Tonintervalle I. 702. Tonleiter I. 705 ff. Torsionskoefficient I. 219. Verhältnis desselben zum Elasticitätskoefficienten I. 223. Torsionselasticität I. 216. Torsionselektrometer IV. 160. Torsionstöne I. 741. Trägheit I. 51. Trägheitsmoment I. 96. Turmalinzange II. 596.

U.

Übergangswiderstand IV. 759. Undulationstheorie II. 43. Unipolare Induktion IV. 1047.

V.

Vaporhäsion III. 211. Verbrennungswärme III. 800. Verdampfen III. 657. Verdampfungswärme III. 706. Verdünnung durch die Luftpumpe I. 478. Vergrößerung der Fernrohre II. 386. - der Lupen II. 380. — der Mikroskope II. 382. Verstärkungszahl des elektrischen Ansammlungsapparates IV. 364. Verteilung, elektrische IV. 207. Verzögerung I. 49. Verzögerungskraft, elektrische IV. 425. Vibrationsmikroskop I. 665. Vibrationstheorie II. 43. Vokal I. 776. Volt (Mass der elektromotorischen Kraft) IV. 1142. Voltameter IV. 526. Volumänderung durch die Wärme III. 4. beim Schmelzen III. 610. Volumenometer I. 468. Volumeter I. 301.

W.

Wage I. 102 ff.; Prüfung derselben I. 109. Wägung, Methode derselben I. 109. Reduktion auf den luftleeren Raum III. 142. Wärme III. 3. – Maß derselben III. 137.

- Absorption derselben III. 194, 254. - Emission derselben III. 237.

- Abhängigkeit von dem umge-

benden Medium III. 273. – Abhängigkeit von der Temperatur III. 350.

Wärme, Emission, Absolute Wertl selben III. 364.

Fortpflanzung durch Leitun

Fortpflanzung durch Strahlu 155 ff.

mechanische Theorie derselbe 379.

Hypothesen über deren Naturll Umsetzung in mechanische I III. 403.

specifische III. 430.

specifische, Bestimmung den nach der Mischungsmethode III 434 ff.; nach der Methode der schmelzens III. 451; nach der Me des Erkaltens III. 459.

specifische, fester und flüssige per III. 544; Abhängigkeit von Temperatur III. 547.

specifische, fester und flüssige per bei konstantem Volum III

specifische, fester Körper, Bezie zum Atomgewichte III. 576; Du sches Gesetz III. 576; Neumann Gesetz III. 577; physikalische B tung des Dulong-Neumannscher setzes III. 583.

specifische, der Gase III. 481. specifische, der Gase, Abhängi derselben von Druck und Tempe

- specifische, der Gase bei kor tem Volumen III. 504. 510.

 specifische, der Gase, Verh derselben bei konstantem Druch konstantem Volum nach der Ti III. 509; aus den Versuchen nac Methode von Clement und Des III. 512 ff.; aus der Messung der pflanzungsgeschwindigkeit des Sc ĪII, 520.

- specifische, der Gase, Bezie zum Atomgewicht III. 597.

- specifische, der Dämpfe III. 7 - specifische, von Mischungen Lösungen III. 592.

Wärmeäquivalent, mechanisches III 392, 397, 403, 481,

Wärmeerzeugung durch chemische zesse III, 813.

– durch d. Verbrennungsprozefs III durch den Lebensprozess III.

durch mechanische Arbeit III.

durch den elektrischen Stron 417. 428.

durch den galvanischen Strot 633. 639. 6<u>47</u>. 1162.

Wärmefarbe III. 177. 183. Wärmekapacität, wahre, der Gase III Wärmekapacität, wahre, fester und flüs- Wellen, stehende I. 581. siger Körper III. 566.

Wärmeleitung III. 275.

Wärmeleitungsfähigkeit, innere III. 280. äussere III. 281.

Wärmequellen III. 800. Siehe Wärmeerzeugung

Sonne III. 369.

Wärmestrahlen III. 155.

ihre ungestörte Ausbreitung III. 167-Fortpflanzungsgeschwindigkeit III.

167.

Abnahme der Intensität mit der Ausbreitung III. 168.

— Reflexion und Brechung III. 171.

— Spektrum derselben III. 177.

Ausdehnung der Dispersionstheorie auf dieselben III. 183.

- Durchgang durch Körper III. 189.

diffuse Reflexion III. 217. Interferenz und Beugung III. 222.

- Polarisation und Doppelbrechung Ш. 227

· ihre Identität mit Licht III. 235.

Warmeverbrauch beim Schmelzen III. 617. - beim Auflösen von Salzen III. 635.

- **be**im Verdampfen III. 706.

Wasserdampf, Spannkraft desselben III. 677.

Dichtigkeit desselben in der Luft

Wasserstrahlen, ihre Gestalt I. 391 ff. Wasserwellen I. 680; Ursache derselben I. 686.

Geschwindigkeit derselben I. 683. Durchkreuzung und Reflexion der-

selben I. 689.

Wasserzersetzung, galvanische IV. 711. Wegelänge, mittlere der Gasmoleküle I. 441.

ihre absoluten Werte I. 535.

Weitsichtig II. 366.

Wellen in Punktreihen, Entstehung derselben I. 564.

Fortpflanzung mehrerer nach gleicher Richtung sich ausbreitender I. 577.

 Fortpflanzung mehrerer nach ent-gegengesetzter Richtung sich ausbreitender I. 581.

des Lichts, Fortpflanzung derselben in Krystallen II. 571 ff.

longitudinale, in Flüssigkeiten und Gasen I. 672.

- stehende, in Flüssigkeitscylindern I. 678.

- transversale, in Flüssigkeiten I. 680.

Wellenbewegung I. 566; Fortpflanzungsgeschwindigkeit derselben I. 576.

Wellenfläche in isotropen Mitteln I. 494. - in einaxigen Krystallen II. 570.

in einaxigen Krystallen, ihre Ableitung II. 591.

in zweiaxigen Krystallen II. 612.

Wellenlänge I. 566.

Wellenlänge des Lichtes, Methoden ihrer Messung II. 476.

— des Lichtes, Werte derselben II. 480. Wellenrinne I. 250.

Werk und Wärme III. 407. Widerstand, elektrischer IV. 515.

elektrischer, absolute Masse selben IV. 1140. 1152. 1154.

elektrischer, Einheiten desselben IV. 548.

der Luft I. 542.

Windrose, barometrische I. 416.

Winkel, brechender II. 89.

Winkelgeschwindigkeit I. 77.

Winkelspiegel II. 60. Wippe, Poggendorffsche IV. 763.

Wirkungsfunktion III. 408.

Wurfbewegung I. 69.

Z.

Zerstreuung der Elektricität IV. 197.

des Lichtes II. 98.

anomale II. 106.

Theorie derselben nach Cauchy II. 114, nach Helmholtz II. 121. 123. - Prüfung der Theorie derselben II. 159 ff. III. 183.

- der Wärmestrahlen III. 178.

Zerstreuungskoefficient, elektrischer IV. 200.

Zerstreuungsvermögen, optisches II. 210. Zugelasticität I. 196.

Zungen, harte I. 759; weiche I. 767. Zungenpfeifen I. 759.

Zusammendrückbarkeit der Flüssigkeiten I. 264 ff.

- kubische, der festen Körper I. 208 ff. Zusammensetzung der Schwingungen I. 577 ff.

Namenregister.

Die Bandzahl ist mit römischen, die Seitenzahl mit arabischen Ziffern angegeber

A.

Aaron. Theorie des Telephon IV. 1112. Abbc. Spektrometer II. 151. Bestimmung von Brechungsexponenten mittels totaler Reflexion II. 207.

Abney. Spectrum der Sonnenwärme III.

182.

Abria. Induktionsströme höherer Ordnung IV. 1056. Dauer der Induktions-

ströme IV. 1094. Academia del Cimento. Kompression der

Flüssigkeiten I. 265.

Aepinus. Magnetisierungsmethode IV. 55. Influenz auf Nichtleitern IV. 212.

Airy. Dichtigkeit der Erde I. 173. 181. Wellenbewegung I. 618. Theorie der Newtonschen Ringe II. 411. Talbotsche Linien II. 435. Elliptische Polarisation bei gewöhnlicher Reflexion II. 560. Newtonsche Farbenringe in polarisiertem Licht II. 565. Farbenringe in einaxigen Krystallen II. 637. Cirkularpolarisation II, 658. Unterscheidung positiver und negativer einaxiger Krystalle II. 663. Farbenkurven im Quarz II. 679. Cirkularpolarisation im Bergkrystall II. 680.

d'Alembert. Mass der Kraft I. 179.

Amagat. Kompression der Flüssigkeiten I. 274. 275. Mariottesches Gesetz Abweichung der Gase vom I. 432. Mariotteschen Gesetze bei hohem Druck I. 437. Ausdehnung der Gase III. 114. 118

Amaury und Descamps. Kompression der Flüssigkeiten I. 274 siehe Jamin.

Amici. Geradsichtige Prismen II. 217. Ampère. Doppelbrechung in zweiaxigen Krystallen II. 620. Natur der Wärme III. 380. Theorie der Elektrolyse IV. 739. Ablenkung der Magnetnadel durch den Strom IV. 799. Elektro-dynamische Apparate IV. 800. Anziehung und Abstolsung zweier Ströme

IV. 803, Elektrodynamische Rotationer IV. 807. Elektrodynamisches Grund gesetz IV. 809. 811. 814. 816. Rich tung der Ströme unter dem Einfall der Erde IV. 864. Verhalten der Sole noide IV. 867 ff. 878. Theorie des Mag netismus IV. 888. Rotationen von Stri men unter dem Einfluss der Magnet IV. 891. Rotationen von Magnete unter dem Einfluss von Strömen IV. 89 Theorie der Magnetisierung IV. 936.

Andreeff. Specifisches Gewicht einige

verflüssigter Gase I. 493.

Andrews. Ausdehnung der Gase III. 109 110. 117. Kondensation der Gase II 777. Kritische Temperatur III. 781 Verbrennungswärmen III. 803. Wärmt erzeugung durch andere chemische Prozesse III. 814. 822. – und Tait. Dichtigkeit des Ozon

IV. 712

Angot. Quadrantenelektrometer IV. 284. Angström. Absorption des Lichtes i Gasen II. 277. Dessen Ansprüche an den Kirchhoffschen Satz der Gleich heit von Emission und Absorption I 279. Spektralanalyse II. 288. Spektra glühender Gase II. 296, 300. Sonner spektrum II. 308. Messung der Wellen längen des Lichtes II. 477, 480. Pola risation des Lichtes II, 489. Warme leitung fester Körper III. 299; de Quecksilbers III. 316.

Antinori. Siehe Nobili

Apjohn. Specifische Wärme der Gas III. 493.

Harmonium mit reiner Stm Appunn. Harn mung I. 717.

Arago und Biot. Wert von g in l'aris I. 58. 132. 180.

Arago und Dulong. Mariottesches Gesetz I. 422.

Arago, Bouvard, Gay-Lussac, line boldt, Matthieu, Prony. Geschwir digkeit des Schalles in der Luft 1,787 Arago. Brechungsexponenten der Gase II. 189. Dispersion der Gase II. 194. und Fresnel. Gesetze der Interferenz des polarisierten Lichtes II, 490, 626. Farben in einaxigen Krystallen II. 644. Farben in zweiaxigen Krystallen II. 657. Drehung der Polarisationsebene im Quarz II. 670. und Biot. Dichtig-keit der Gase III. 148. und Dulong. Messung der Spannkraft der Wasserdämpfe III. 669. Magnetisierung durch den galvanischen Strom IV. Magnetische Wirkung der Reibungselektricität IV. 976. Rotationsmagne-

tismus IV. 1077 ff.

Archimedes Hebelgesetze I. 179.

Armstrong. Dampfelektrisirmaschine IV. 351. Mechanische Wirkung des elektrischen Stromes IV. 727. Chemische Wirkung der Reibungselektricität IV.

Arndtsen. Drehung der Polarisationsebene in Lösungen II. 692. 693. Einflufs der Temperatur auf den elektrischen Leitungswiderstand IV. 578.

Arzberger. Spannkraft der Dämpfe III. 669

Atwood. Fallmaschine I. 52.

Aubuisson, de. Ausströmen der Gase I. 508.

Auerbach. Vokale I. 781, 782. Phonograph I. 824.

August. Spannkraft der Wasserdämpfe

III. 681. Psychrometer III. 770. Avenarius. Verdampfungswärme III. 727. Kritische Temperatur bei Flüssigkeiten III. 788. Thermoströme IV. 624, 626. Theorie der Thermoströme IV. 673.

Ayrton und Perry. Dielektricitätskon-stanten der Gase IV. 318. Elektrische Differenzen zwischen Metallen IV. 459. Zwischen Metallen und Flüssigkeiten IV. 465. Absolutes mechanisches Maß der Stromkonstanten IV. 1159.

В.

Babbage und Herschel. Induktion in körperlichen Leitern IV. 1079 ff.

Babinet. Luftpumpenhahn I. 480. Polarisation des Lichtes II. 489. Kompensator II. 524.

Babo, von. Spannkraft der Dämpfe aus Salzlösungen III. 687.

Baco von Verulam. Hypothese über die Natur der Wärme III. 380.

Baden Powel. Brechungsexponenten II. 156. 158.

Baeyer. Barometrische Höhenmessungen I. 462.

Baille. Dichtigkeit der Erde I. 170. 181.

Baily. Dichtigkeit der Erde I. 170. 181. Bankalari. Diamagnetismus der Flamme IV. 984.

Barklay. Dielektricitätskonstanten IV. 300.

Barlow. Magnetische Karten IV. 153. Bartholinus. Doppelbrechung II. 570.

Barus. Siehe Strouhal. Bauer. Scheinbarer Ort eines Punktes in einem andern Medium II. 86.

Baumgartner, A. Magnetismus und Licht IV. 127.

Baumgartner. Specifische Wärme des Wassers III. 494.

Baumhauer, von. Specifische Gewichte

der Alkoholgemische I. 302. Baur. Magnetismus und Wärme IV. 123. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 946. Magnetisierungsfunktion IV. 956.

Becker. Elektrische Leitung der Flüs-

sigkeiten IV. 583.

Becquerel. Einfluss der Wärme auf den Magnetismus IV. 123. Erregung der Elektricität durch Druck IV. 179. Elektricität bei Berührung von Metallen und Flüssigkeiten IV. 463. Leitungs-widerstand IV. 562. Thermoströme IV. 621, 623, 629. Zersetzung zusammengesetzter Verbindungen IV. 718.

Becquerel, Edm. Emission des Lichtes II. 285, 303. Phosphorescenz II. 334 ff. Phosphoroskop II. 337. Intensität des Phosphorescenzlichtes II. 339. Chemische Lichtwirkungen II. 341. 350. Leitungswiderstand, elektrischer IV. 562. Leitungsfähigkeit der Metalle IV. 575; geglühter Drähte IV. 577. Einflufs der Temperatur auf die galvanische Leitungsfähigkeit IV. 578. Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten IV. 583. Elektromotorische Kraft des Bunsenschen Elementes IV. 612. Wärmeentwicklung durch den galvanischen Strom IV. 634. 638. Diamagnetismus IV. 983. Diamagnetismus und magnetisierende Kraft IV. 983. 992. 996. Drehung der Polarisationsebene durch den Magnetismus IV. 1007.

Becquerel, H. Magnetismus des Nickel und Kobalt IV. 940. Magnetische Drehung der Polarisationsebene in Gasen IV. 1010. 1017.

Bède. Kapillarität I. 322, 334, 341. Specifische Wärme fester Körper, abhängig von der Temperatur III. 547.

Beek, van, Moll und Kuytenbrouwer. Geschwindigkeit des Schalles in der Luft I. 787.

Beer. Wellenbewegung I. 618. Photometrie II. 39. Abhängigkeit der Brech-

ungnerponenten vom Einfallswinkel IL 132 und Kreners, Brechungsexponenten von Salzlösungen II. 188. Absorptionsgesetz des Lichtes II. 270. Abhängigkeit der Absorption von der Dichte IL 271. Unpolarisiertes Licht II, 495. Totalreflexion II. 519. Reflexion des Lichtes an Metallen II. 534, 537. 538. Elliptische Polarisation bei gewöhnlicher Reflexion II. 561. Bestimmung der Schwingungerichtung des ausserordentlichen Strahles II, 580, Einszige Krystalle II. 581. Doppelbrechung in zweiaxigen Krystallen II. 607. 619. 620. Konische Befraktion II, 621 ff. Zweianige Krystalle II. 626. Verteilung der Elektricität auf einem Leiter IV. 229; auf getrennten Leitern IV. 259. Theorie der unipolaren Induktion IV. 1050. Siehe auch Plücker.

Beetz. Leitungswiderstand der Kohle IV. 582. Leitungsfähigkeit von Zinkvitriol-lösungen IV. 587. Messung der elektromotorischen Kraft IV. 606. Elektromotorisches Gesetz IV. 609. Elek tromotorische Kraft des Groveschen Elementes IV. 611; der Gassüulen IV. 613. Bestimmung des Leitungswiderstandes in den Elementen IV. 615. Bericht über die elektrische Ausstellung zu München IV. 682. Bildung von Superoxyden bei der Elektrolyse IV. 715. Polarisation, galvanische IV. 762, 774, 777, Passivität des Eisens IV. 781 ff. Theorie des Galvanismus IV. 795.

Behrens. Elektroskop IV. 169. Trockene Sänlen IV, 491.

Beilstein. Diffusion von Flüssigkeiten L.

Bell. Telephon IV. 1113. Bellati. Siehe Naccari.

Belli. Elektrische Polarisation in Isolatoren IV, 285.

Benount. Elektrischer Leitungswiderstand IV. 579.

Benoit. Fizeaus Methode zur Messung der Ausdehnung fester Körper III. 33. Ausdehnung des Platin-Iridium III. 38. Berard. Polarisation der Warme III. 227. Siehe auch Delaroche.

Bergmann. Pyroelektricität IV. 179. Bernard. Absorptionsgesetz des Lichtes IL 270. Polarisationsphotometer II. \$99.

Bernoulli. Theorie der Gase I, 440. Bernstein. Galvanische Polarisation IV. 772. Oscillierende Bewegung der Elektricität in nichtgeschlossenen Induksspiralen IV. 1095.

Refractionsaquivalente II. 185.

Verbstauungvwärme III, 808, 812 801 821. Elektrolyse des Wassens IV. III. Bertin. Dreisung der Polazisationsele

durch den Magnet IV. noorff, mit Berselius und Dulong. Dichtigheit de Gase III. 150. Zersetnung der alabschen Erden IV. 698. Zersetzung der Saperstoffsalse IV. 703. Theure de Elektralyse IV. 740. Elektrochemick Beibe IV. 741.

Besel. Sekundenpendel I. 128, 131 12. Beversionspendel I. 134. Dispirit I. 261. Kalibrieren der Themsmet III. 13. Dichtigkeitsbestimming II.

144.

Betancourt. Spannkraft der I 6mph II. 667; der Alkoholddimpfe III. 691. Bettendorff. Siehe Wallmer.

Betti. Fortpflanzung des elektrische

Potentials IV. 851.

Bezeld, ros. Theorie des Elektropos IV. 356. 358. Rückstand in der Batter IV. 410. Elektromotorische Kent in galvanischen Lichtbogens IV. 465. Bianchi, Teilmaschine L 16.

Bichat. Drehung der Polarisationsbos durch Magnetisseus IV. 1911. Bidone. Gestalt der Wasserstrables I

391.

Bindseil. Akustik I. 735.

Billet. Halblinsen zur Inderferenn II. 4M. Traité d'Optique physique II. 610. Bincau. Dichtigkeit der Dümpfe III. 168.

Biot und Arago. Wert von g in Paris I. 58, 132, 180, Schallgeschwindiger in festen Körpern I. 804. Emissionsbypothese des Lichtes IL 39. Brechungexponenten der Gase II. 189. Pontm und negative einaxige Krystalle II 582. Farben in einaxigen Krystallen II. 644. Drehung der Polarisation-ebene im Quarz II. 672; in Flüsig keiten II. 688, 689. Molekulares Pratungsvermögen II. 689, 690, Abhängigkeit des molekularen Drehnigstermögens von der Natur des Lösungmittels II. 690. Saccharimetrie II. 600 und Arago. Dichtigkeit der Gas III. 148. Wärmeleitung III. 278. 283. Spannkraft der Wasserdämpfe III 683. Verteilung des Magnetisms is Magneten IV. 109. Magnetischer Ivstand der Erde IV. 155. Zerstreumekoefficient der Elektricität IV. 100 Elektricität an der Voltaschen Salt IV. 488. und Savart. Ablenkung det Magnetnadel durch den Strom IV. 881.

Black. Specifische Warme III. 434. Restimmung durch Schmelzen des Kiss III. 452. Schmelzwärme III. 617.

Blaserna. Oscillierende Bewegung der Bosscha. Ausdehnung des Quecksilbers Elektricität in nichtgeschlossenen In-

duktionsspiralen IV. 1095.

Bleekrode. Abhängigkeit der elektro-motorischen Kraft der Elemente von der Temperatur IV. 630. Elektrolyse IV. 741. 742.

Mechanische Wirkung des Blondlot.

Stromes IV. 784.

Bohnenberger. Reversionspendel I. 132. 180. Rotationsapparat I. 143. Erhaltung der Rotationsebene I. 180. graphische Ortsbestimmungen II. 60. Boisgiraud. Anziehung der Magnetnadel durch den Strom IV. 884.

Bois Reymond, du, der ältere. Bildung der Vokale I. 781.

Bois Reymond, du, E. Geschichte des Galvanismus IV. 443. Rheochord IV. 554. Bestimmung der elektromotorischen Kraft IV. 602. Peltiersches Phänomen IV. 660. Uebergangswiderstand IV. 760. Unpolarisierbare Elektroden IV. 777. Multiplikator IV. 915. Schlit-tenapparat IV. 1021. Theorie der Dämpfung speciell der aperiodischen IV. 1084. Physiologische Wirkung der Induktionsströme IV. 1093. Einfluß der Induktion auf die Entstehung des Stromes IV. 1094. Theorie des Telephon IV. 1112.

Bois Reymond, du, P. Ausbreitung von Flüssigkeiten I. 355.

Boltzmann. Elastische Nachwirkung I. 236. 240. Geschwindigkeit der Gasmoleküle I. 459. Reibung der Gase I. 512. Drehung der Polarisationsebene im Quarz II. 678. Wärmeleitung der Gase III. 537. Mechanische Bedeutung des zweiten Hauptsatzes der mecha-nischen Wärmetheorie III. 573. Specifische Wärme und Atomgewicht bei den Gasen III. 603. Zerstreuung der Elektricität IV. 206. Bestimmung der Dielektricitätskonstante IV. 289. 298. 311. Anziehung einer dielektrischen Kugel IV. 300. 304. Dielektricitäts-konstanten von Krystallen IV. 305. Messung der Dielektricitätskonstanten der Gase IV. 312 ff. Methode zur Messung der Stromkonstanten nach absolutem mechanischen Maße IV. 1159.

Borda. Bestimmung von g I, 124, 132. 180. Ausdehnung fester Körper III, 31. Borgmann. Leitungswiderstand der Kohle IV. 582.

Börner. Brechungsexponenten von Lö-

sungen II. 187.

Börnstein. Theorie der Rühmkorffschen Induktionsapparate IV. 1117.

III. 130. Bestimmung des elektrischen Leitungswiderstandes IV. 559. Bestim-mung der elektromotorischen Kraft IV. 601. Elektromotorische Kraft des Daniellschen Elementes IV. 608. Wärmeentwicklung durch den galvanischen Strom IV. 642. Ausmessung einer Spirale auf magnetischem Wege IV. 1145. Mechanische Theorie der Elektrolyse IV. 1173 ff.

Böttger. Bildung von Superoxyden bei der Elektrolyse IV. 715.

Bourdon. Metallbarometer I 413. Bouchardat. Drehung der Polarisationsebene des Lichtes II. 687. 688.

Boussignault und Dumas. Dichtigkeit

der Gase III, 150.

Bouty. Elektrische Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten IV. 593. Thermoströme IV. 630. Peltiersches Phänomen IV. 660. Elektrische Leitung der Flüssigkeiten und Reibung IV. 753.

Bouvard. Siehe Arago.

Boyle. Mariottesches Gesetz I. 418. Farben dünner Blättchen II, 407. Natur der Wärme III. 380.

Bradley. Aberration des Lichtes II. 8. Brandes. Barometrische Höhenmessungen I. 462.

Brandt. Zusammensetzung der Klänge I. 730.

Branly. Quadrantenelektrometer IV. 284. Braun. Schwingungen steifer Saiten I. 637. Graduierung der Kirchhoff-Wheatstoneschen Brücke IV. 567. Beziehung zwischen der im Element chemisch und der durch den Strom entwickelten Wärme IV. 646. 1166 ff.

Brauner. Fluorescenz II. 328. Bravais. Barometerkorrektion I. 409. und Martins. Geschwindigkeit des Schalles in der Luft I, 788. Tangentenbussole IV. 910.

Breda, van. Elektrisches Licht IV. 687. und Logemann. Mechanische Wirkung des Stromes IV, 727.

Breguet. Metallthermometer III, 136.

Brewster. Grenze der Hörbarkeit I. 721. Kaleidoskop II. 61. Absorption des Lichtes in Gasen II. 275, 276, 277. Absorptionslinien durch feste Körper II. Abhängigkeit der Absorption von der Temperatur der absorbierenden Körper II. 304. Fluorescenz II. 314. Stereoskop II. 378. Farben dicker Platten II. 423. Polarisationswinkel II. 497. Drehung der Polarisationsebene durch Reflexion und Brechung II. 513. Elliptische Polarisation bei Reflexion II. 531. Reflexion des Lichtes an Metallen II. 546. Elliptische Polarisation bei gewöhnlicher Re-flexion II. 559. Farbenringe in einaxigen Krystallen II. 636. Farbenringe in gepressten und gekühlten Gläsern П. 668, 669, 670.

Briot. Theorie der Dispersion des Lichtes II. 119 ff. Potentialtheorie IV. 20.
Brix, A. F. Lehrbuch der Statik I. 178.
Brix, W. Verdampfungswärme III, 709.
Broch. Lehrbuch der Mechanik I, 178. Drehung der Polarisationsebene im Quarz II. 674.

Brongersma. Ueber Faradays Influenz-theorie IV. 287. Specifisches Vertei-lungsvermögen IV. 288. Brücke. Endosmose I. 366. Konsonanten

I. 782. Räumliches Sehen II. 377. Diathermansie des Auges III. 236.

Brühl. Brechungsexponenten organischer Verbindungen II. 185.

Brugmanns. Diamagnetismus des Wismuts IV. 978. Bruhns. Bestimmung von g I. 181. Brunner. Kapillarität I. 322. 340. 341. Brunner. Spektrometer II. 151. Budde. Theorie der Thermoströme IV.

674.

Buff. Gestalt der Wasserstrahlen I. 393. Elektricität bei Berührung von Metallen und Flüssigkeiten IV. 462; von Metallen und Gasen IV. 483; bei Berührung zweier Isolatoren IV. 486. Daniellsches Element IV. 501. Elektromotorische Kraft der Elemente IV. 610, 611, 612. Elektrolytisches Gesetz IV. 708. Leitung der Flüssigkeiten IV. 709. Elektrolyse zusammengesetzter Verbindungen IV. 718; von Gemischen IV. 734; durch Reibungselektricität IV.735. Theorie der Elektrolyse IV. 742. Elektromotorische Kraft der Polarisation IV. 773. Tonerregung durch den galvanischen Strom IV. 784. Gesetze der Induktionsströme IV. 1036. Extrastrom IV. 1041. Induktionsströme höherer Ordnung IV. 1057. Induktion zweier geradliniger Leiter IV. 1074.

Buignet. Drehung der Polarisationsebene II. 688. Siehe Bussy.

Bunge. Wagen I. 108. Bunsen. Absorption der Gase I. 498. Ausströmen der Gase I. 509. Diffusion der Gase I. 526, 540. Photometer II. 32. Absorption des Lichtes II. 268. Absorptionsgesetz II. 271. Absorption des Lichtes in den Salzen des Erbium, Terbium und Didym II. 277. und Kirchhoff. Spektralanalyse II. 289. Entdeckung des Cäsium und Rubi-

dium II. 291, und Roscoe, Chemische Wirkung des Lichtes II. 344 ff. Absorption des Lichtes bei chemische Wirkung II, 351. Eiskalorimeter III. 454. Mittlere specifische Warme des Wassers III. 477. Specifische Wärme einiger Elemente III. 580. Dichtigkeit des Eises III. 615. Schmelzwärme des Wassers III. 619. Änderung der Schmelztemperatur mit dem Druck III. 631. Bestimmung der Dampfdichten III. 744. Kondensation der Gaze III. 773. Galvanisches Element IV. 504. Konstantes Element mit einer Flüsigkeit IV. 506. Elektrisches Licht IV. 689. Zersetzung der Chlorvertin-dungen IV. 696. Zersetzung von Lö-sungen IV. 699. Elektrochemisches Äquivalent des Wassers IV. 921.

Bunten. Barometer I. 413. Burg. Mechanik I. 178.

Bussy und Buignet. Specifische Warme von Mischungen III. 592.

Buys-Ballot, Diffusion der Gase L 530. Einfluss der Bewegung auf die Tonhöhe I. 830.

Byström. Specifische Wärme fester körper III. 549.

C.

Cagniard la Tour. Querkontraktion ! 201. Schwingungen von Saiten I. 638 Sirene I, 697. Tone durch schwingende Flüssigkeitssäulen I. 756. Kritische Temperatur bei Flüssigkeiten III, 786.

Cahours. Dampfdichten III. 749.

Caille, La. Siehe Cassini.

Cailletet. Kompression der Flüssigkeiten! 274. Kompression der Gase I. 435, 436. Kondensation der sogenannten per-manenten Gase III. 790.

Canton. Kompressibilität der Flüssigkeiten I. 265. Pyroelektricität IV. 179.

Elektr. Influenz IV. 207. Carl. Kalibrieren der Thermometer III. 16. Influenzmaschinen IV. 359. Carlisle. Elektr. Zersetzung des Wassen

IV. 695.

Carnot, S. Kreisprozesse III. 414. Trmperaturfunktion III. 426.

Carstaedt. Abnahme der Lichtstärke mit Entfernung von der Lichtquelle II. 36.

Cartesius. Mafs der Kraft I. 179. Brichungsgesetz des Lichtes II. 85.

Casselmann. Elektrisches Licht IV. 68 689. Rotation des Lichthogens IV. 894. Elektrochemisches Aquivalent des Wassers IV. 921.

Cassini, Maraldi, La Caille. Geschwindigkeit des Schalles in der Luft L 786. Cauchy. Elasticität I. 196. Querkontrak-tion I. 203. Transversalschwingungen von Stäben I. 643. Undulationstheorie II. 43. Theorie der Dispersion II. Abhängigkeit der Brechungsexponenten vom Einfallswinkel II. 132. Dispersion der Gase II 194. Polarisation des Lichtes II. 489. Reflexion an Metallen II. 533. Verschwindende Strahlen II. 537. Elliptische Polarisation bei gewöhnlicher Reflexion II.

Cavalier-Coll. Pfeifentöne I. 752.

Cavendish. Dichtigkeit der Erde I. 165. 181. Ausdehnung des Quecksilbers III. 58.

Cazin. Specifische Wärme der Gase bei konstantem Volumen III. 517. Specifische Wärme der gesättigten Dämpfe III. 737. Elektrodynamisches Grundgesetz IV. 844. Einfluss der Induktion auf die Entstehung der Ströme IV. 1093. Oscillierende Ströme in nichtgeschlossenen Induktionsspiralen IV. 1095.

Celsius. Thermometerskala III. 11.

Chladni. Transversale Schwingungen von Stäben I. 646. Klangfiguren I. 650. Drehende Schwingungen I. 658. Tonleiter I. 706. Longitudinaltöne I. 732. Klänge der Saiten I. 734; transversal schwingender Stäbe I. 738. Töne schwingender Platten I. 740. Torsionston I. 741.

Christian. Spannkraft der Dämpfe III. 669. Christiansen. Anomale Dispersion II.

107. 169.

Christie. Diamagnetische Polarität IV. 987. Diamagnetismus und magnetisierende Kraft IV. 994. Diamagnetismus des Wismut IV. 998.

Christoffel. Dispersionstheorie II. 117. Prüfung der Dispersionsformel II. 163

und 349.

Clairaut. Theorem der Abplattung I. 165. Clapeyron, Querkontraktion I. 201. Verdampfungswärme III. 717

Clark. Strömungsströme IV. 787, Clarke. Magnetelektrische Maschine IV.

1096.

Clausius. Theorie der Gase I. 440. Mittlere Weglänge der Gasmoleküle I. 441. Mariottesches Gesetz I, 453, 454. Dif-fusion der Gase I, 530. Zustands-gleichung der Gase III. 115. 118. Emission der Wärme III. 272. Molekularbewegung der Wärme in festen und flüssigen Körpern III. 385. Mechanisches Wärmeäquivalent nach den Versuchen von Hirn III. 406. Wärme und Werk III. 407. Energie III. 408.

Ableitung der ersten Hauptgleichung III. 413. Zweiter Grundsatz der mechanischen Wärmetheorie III. 421. Zweiter Hauptsatz III. 426, Zweite Haupt-gleichung III. 430. Wahre Wärme-kapacität III. 504. Verhältnis zwischen der Energie der fortschrei-tenden Bewegung und jener der Bestandteile bei den Gasen III. Wärmeleitung der Gase III. 507. 536. Specifische Wärme fester und flüssiger Körper bei konst. Volum. III. 560. Wahre Wärmekapacität fester und flüssiger Körper III. 566. Disgregation III. 567. Mechanische Bedeutung des zweiten Hauptsatzes der mechanischen Wärmetheorie III. 573. Specifische Wärme und Atomgewicht bei Gasen III. 597. Änderung der Schmelzwärme mit der Temperatur III. 626; der Schmelztemperatur mit dem Druck III. 627. Theorie des Verdampfens III. 665. Verdampfungswärme nach der mechanischen Wärmetheorie III. 717. Specifische Wärme der ge-sättigten Dämpfe III. 734. 736. Dampfdichte III. 753. Kontinuität des gasförmigen und flüssigen Zustandes III. 782. Theoretische Bestimmung der Dampfspannung III. 796. 799. Potentialtheorie IV. 1. 2. Satz über die zweiten Differentialquotienten des Potentials IV. 20. Potentialfunktion in einer Fläche IV. 25. Bestimmung der Arbeit aus dem Potential IV. 35. teilung der Elektricität auf einer Platte IV. 233. Theorie des Rückstandes IV. 408. Wärmeerregung durch die elektrische Entladung IV. 428. Ableitung des Jouleschen aus dem Ohmschen Gesetze IV. 648. Theorie des Peltierschen Phänomens IV. 660, der Thermoströme IV. 666. 668. Galvanisches Glühen von Drähten IV. 682. Theorie der Elektrolyse IV, 749. Fortpflanzung des elektrischen Potentials IV. 851. Elektrisches Grundgesetz IV. 861. Theorie der Dynamomaschine IV. 1107. 1111.

Clebsch. Elasticität I. 196. Torsionskoefficient und Elasticitätskoefficient I. 223. Biegung I. 232.

Clement u. Desormes. Specifische Wärme der Gase III. 481; bei konstantem Vo-lumen III. 513. Verdampfungswärme III. 712.

Clerget. Drehungskonstante des Zuckers

II. 693.

Clifton. Elektrische Differenzen zwischen Metallen IV. 457. Zwischen Metallen und Flüssigkeiten IV. 465. 471.

Colladon und Sturm. Kompression der Flüssigkeiten I. 268. Fortpflanzungsgeschwindigkeit longitudinaler Wellen im Wasser I. 675. Schallgeschwindig-keit im Wasser I. 811. Magnetische Wirkung der Reibungselektricität IV.

Colley. Galvanische Polarisation IV. 769. Configliachi. Elektrische Polarisation in Isolatoren IV. 285.

Cooke. Absorption des Lichtes in Gasen II. 277.

Cooper. Benutzung der Kohle in galvanischen Elementen IV. 504.

Cornu. Dichtigkeit der Erde I. 170. 181. Querkontraktion I. 207. Biegung I. 283. und Mercadier. Tonleiter I. 713. Empfindlichkeit des Ohres I. 828. Messung der Lichtgeschwindigkeit II. 18. 22. Reflexion des polarisierten Lichtes II. 499. Halbschattenapparat (Saccharimeter) II. 698.

Corti. Gehörorgan I. 827. Cotes. Fernewirkung I. 153.

Coulomb. Torsionselasticität I. 219. 227, Reibung I. 253. Reibung der Flüssigkeiten I. 386. Drehwage IV. 65. Magnetische Direktionskraft IV. 67 u. 70. Magnetische Fernewirkung IV. 85. Verteilung des Magnetismus in Magneten IV. 108. Einflus der Wärme auf den Magnetismus IV. 124. Gesetz der elektrischen Anziehung und Abstofsung IV. 185. 189. Zerstreuung der Elektricität IV. 197. Abfluss der Elektricität über isolierende Stützen IV. 201. Influenzelektricität IV. 210. Sitz der Elektricität IV. 222. Verteilung der Elektricität auf Leitern IV. 235 ff. Verteilung der Elektricität auf sich berührenden Leitern IV. 243.

Courtepée. Siehe Masson. Craffts Thermometrie III. 182. Cramer. Accommodation II. 365.

Crawford. Specifische Wärme III. 484; der Gase III. 481. Verbrennungswärme III. 801.

Crighton. Siehe Southern.

Crookes. Spektralanalyse II. 291. Erscheinungen in Geisslerschen Röhren IV. 1123. Einfluss des Magnets auf dieselben IV. 1136.

Crosse. Elektrisches Licht IV. 683.

Temperatur der Sonne 11I. 375. Elektrom. Kraft des Groveschen Ele-mentes IV. 611. Galvanische Polarisation IV. 769. 778. Cruikshank. Trogapparat IV. 494. Zer-

setzung des Wassers IV. 696.

Coddington. Reflexion des Lichtes II. 81. Cumming. Thermoströme IV. 42 Cumeus. Leydener Flasche IV. 3 Resignation revischen de Osapeki. repeki. Beziehung zwischen de tromotorischen Kraft eines Ele und der chemisch entwickelten IV. 1169.

D.

Daguerre. Daguerreotypie II. 34 Dale und Gladstone. Abhängigh Brechungsexponenten von der l dichte II. 176. 178.

Dalton. Diffusion der Gase L 526. kraft der Dämpfe III. 667; vo schiedenen Flüssigkeiten III Spannkraft der Dämpfe in Ga 701. Dichtigkeit der Dämpfe Luft III. 764. Verbrennungs III. 801.

Daniell. Hygrometer III. 767. G sches Element IV. 499. Elekt Licht IV. 684. Elektrolyse von stoffsalzen IV. 700. 704. Farada Gesetz IV. 708. Anwendung des e lytischen Gesetzes auf die g schen Elemente IV. 710. und Zersetzung zusammengesetzter bindungen IV. 718. Wanderw Ionen IV. 723. Theorie der E lyse IV. 743. Elektromotorische der Polarisation IV. 773.

Davy. Natur der Wärme III. 380 setzung der Arbeit in Wärme II Elektrischer Lichtbogen IV. 684 setzung des Wassers IV. 696. setzung der Alkalien IV. 698. El lyse zusammengesetzter Verbind IV. 718. Galvanische Rotatio Flüssigkeiten IV. 894. Magne Wirkung der Reibungselektricit 976. Einflus des Magnets au elektrische Licht IV. 1135.

Dehms. Siemenssche Quecksilbere IV. 551.

Delambre. Verfinsterung der Ju trabanten II. 17.

Delaroche. Diathermansie III. 203. sion der Wärme III. 247. und B Specifische Wärme der Gase III.

Delaunay. Mechanik I. 178. Delevil. Luftpumpe I. 482.

Dellmann. Elektrometer IV. 269. Desains. Kapillarität I. 316. 332. Faringe II. 410. Spektrum der Sowärme III. 180. Polarisation der W III. 280. Siehe auch de la Proco Descamps. Siehe Amaury.

Descloiseaux. Zweiaxige Krystalle I Polarisationsapparat II. 635. der Axenwinkel II. 665.

Polarisationsebene im Zinnober und | Dronke. schwefelsauren Strychnin II. 686.

Desgoffe. Manometer I. 285.

Desormes. Siehe Clement.

Despretz. Mariottesches Gesetz I. 421. Grenzen der Hörbarkeit I. 720. 722. Ausdehnung des Wassers III. 74. 77; von Salzlösungen und Alkoholgemi-schen III. 82. Wärmeleitung fester Körper III. 292; der Flüssigkeiten III. 313. Schmelzen III. 606. Gefrieren des Wassers III. 608. Verdampfungswärme III. 709. Verbrennungswärme III. 801'. Tierische Wärme III. 824. Elektrisches Licht IV. 685. 687. Leitung der Flüssigkeiten IV. 708.

Deville und Troost. Bestimmung der Dampfdichten III. 744.

Dewar. Änderung des Schmelzpunktes durch Druck III. 630.

Ditscheiner. Gang des Lichtes durch Prismen II. 97. Wellenlängen des Lichtes II. 159. Messung der Wellen-längen des Lichtes II. 477. Tabelle der Wellenlängen II. 480.

Döbereiner. Hygrometer III. 769. Donders. Vokale I. 781.

Donny. Siedetemperaturen III. 647. Doppler. Einfluss der Bewegung auf die Tonhöhe 1. 829.

Dorn. Strömungsströme IV. 787. Be-

stimmung des Ohm IV. 1148.

Dove. Barometerstände I. 416. Farben der Körper II. 269. Stereoskopisches Sehen II. 378. Polarisiertes Licht II. 494. Polarisationsapparat II. 635. Cirkularpolarisation II. 658. Unterscheidung positiver und negativer optisch einaxiger Krystalle II. 662. Messung der Axenwinkel II. 665. 667. Doppelbrechung in gepressten Gläsern II. 668. Bewegung der Magnetnadel durch den Strom IV. 886. Disjunktor IV. 1023. Extrastrom IV. 1042. Dauer der Induktionsströme IV. 1094. Magnetelektrische Maschine IV. 1099.

Draper. Emission des Lichtes II. 285. Abhängigkeit von der Temperatur II. 303. Spektrum der Sonnenwärme III. 181. Emission der Wärme III. 250. Abhängigkeit der Wärmeemission von der Temperatur III. 360.

Drecker. Specifische Wärme der Flüssigkeiten bei konstantem Volumen III. 560. Temperaturerhöhung durch Kompression der Flüssigkeiten III. 564. Specifische Wärme von Flüssigkeitsgemischen III. 596.

Drion. Kritische Temperatur von Flüssigkeiten III. 789.

WOLLER, Physik. IV.

Spannkraft der Dämpfe von Alkohol III. 695.

Dub. Abhängigkeit des Magnetismus in Elektromagneten von der Stromstärke IV. 944; von der Stabdicke IV. 957. Thomsonscher Satz IV. 960. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stablänge IV. 962. Sätze über die magnetische Sättigung IV. 963. Sätze über die magnetische Verteilung IV. 967 ff. Anziehung und Tragkraft der Elektromagnete IV. 971 ff.

Duclaux. Kapillarität I. 343.

Dühring. Gesetz betreffend Spannkraft der Dämpfe verschiedener Flüssigkeiten III. 696.

ufour. Siedetemperaturen III. 647. Magnetismus und Wärme IV. 124. Mechanische Wirkung des Stromes auf die durchströmten Leiter IV. 783.

Duhamel. Magnetisierungsmethode IV. 54. Duhamel. Mechanik I. 178. Einfluss der Steifigkeit der Saiten I. 639. phische Darstellung von Schwingungen I. 663. Bestimmung der Schwingungszahl der Töne I. 699.

Dulong. Kathetometer I. 24. Mariottesches Gesetz (mit Arago) I. 421. Pfeifentöne I. 746. Geschwindigkeit des Schalles I. 795. 802. Brechungsexponenten der Gase II. 191. und Petit. Ausdehnung fester Körper III. 33. 37. 41. Ausdehnung des Quecksilbers III. 59 ff. Kubische Ausdehnung III. 86. und Berzelius. Dichtigkeit der Gase III. 150. und Petit. Gesetze des Erkaltens III. 350 ff. Bestimmung der specifischen Wärme III. 434; nach der Erkaltungsmethode III. 460. Specifische Wärme der Gase bei konstantem Volumen III. 523. Specifische Wärme fester Körper III. 547. Gesetz über die Beziehung der specifischen Wärmen der Elemente zum Atomgewicht III. 576. und Arago. Spannkraft der Dämpfe III. 669. Verbrennungswärmen III. 802. Tierische Wärme III. 824.

Dumas, W. Angströms Methode zur Bestimmung der Wärmeleitungsfähigkeit III. 299.

Dumas und Boussignault. Dichtigkeit der Gase III. 150. Bestimmung der Dampfdichten III. 741.

Duperrey. Magnetische Karten IV. 153. Dupré. Specifische Wärme der gesättigten Dämpfe III. 737.

Duprée und Page. Specifische Wärme von Alkoholgemischen III. 592. Duter. Elektrische Ausdehnung IV 834.

Dutrochet. Endosmose I. 366.

Dvorák. Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in Flüssigkeiten I. 813. Schlierenmethode II. 264.

Ε.

Eaton. Diamagnetismus IV. 995. Eckhard. Endosmose I. 368. Edelmann. Quadrantenelektrometer IV.

Edison. Phonograph I. 822. Glühlampe IV. 682.

Edlund. Specifische Wärme fester Körper bei konstantem Volumen III. 562. Peltierscher Versuch IV. 654. 655 Theorie desselben IV. 661. Widerstand und elektromotorische Kraft des galvanischen Lichtbogens IV. 692 f Aus dehnung von Drähten durch den galvanischen Strom IV. 783. Strömungsströme IV. 787. Extrastrom IV. 1042. Dauer der Induktionsströme IV. 1094. Arbeitsleistung der elektrischen Ströme bei der Induktion IV. 1174. Theorie der Elektricität IV. 1176.

Egen. Formeln für die Spannkraft der Wasserdämpfe III. 681. Elektrische Abstofsung IV. 188.

Eisenlohr, Fr. Minimum der Ablenkung des Lichtes durch Prismen II. 92. Polarisation des Lichtes II. 489. Totalreflexion II. 519. Reflexion an Metallen II. 532. Elliptische Polarisation bei gewöhnlicher Reflexion II. 562.-

Eisenlohr, W. Messung der Wellenlängen des Lichtes durch Beugung II. 477. Elias. Magnetische Tragkraft IV. 63. Magnetisierung durch den Strom IV. 928.

Elster. Strömungsströme IV. 787.

Encke. Sonnenparallaxe II. 14.

Ermann, A. Volumänderung beim Schmelzen III. 610. Magnetische Karten IV. 153. Ermann, P. Leitungsfähigkeit des leeren Raumes für die Elektricität IV. 174. Trockene Säulen IV. 493. Ohmsches Gesetz IV. 521.

Esselbach. Talbotsche Linien II. 435. Wellenlängen des ultravioletten Lichtes II. 480. Brechungsexponenten der ordentlichen Strahlen im Quarz III. 187. Ettingshausen, von. Elliptische Polarisation bei gewöhnlicher Reflexion II. 562. Magnetelektrische Maschine IV. 1096. Ettingshausen von C. Ablenkung des Stromes in seinem Leiter durch Magnete IV. 900. Diamagnetismus und magnetisierende Kraft IV. 995. 996. Dia magnetismus des Wismut IV. 998.

Dutirou. Brechungsexponenten II. 156. | Euler. Theorie der Wage I. 179. gungen von Saiten I. 630. I tionstheorie II. 43.

Ewing. Phonograph I. 824.

Exner, F. Dichtigkeitsmaximu Wassers III. 74. Elektrische D zen zwischen Metallen IV. 459 vanische Polarisation IV. 769.7 Mechanische Wirkung des Stro 784. Chemische Theorie des Gr mus IV. 797. Absolutes mecha Mass der Stromkonstanten IV.

F.

Fabry. Kapillarität I. 322. Fahrenheit. Thermometerskala Gefrieren III. 607.

Fairbairn und Tate. Dampfdich

Faraday. Akustische Staubigt 653. Verflüssigung der Gase I. 4 773. 774. Magnetismus von Chr Mangan IV. 40. Einfluss der ' aufden Magnetismus IV. 124. Rei elektrische Spannungsreihe II Elektricitätserregung durch R IV. 177. Influenz auf Nichtleite 212. Influenzwirkung durch i zierte Leiter IV. 215. Sitz der zierte Leiter IV. 215. Sitz de tricität IV. 223. Elektrisierte in Hohlräumen IV. 256. Elek Polarisation in Isolatoren IV Elektrische Verteilung in kn Linien IV. 286. Specifisches lungsvermögen IV. 287. 288. I tricitätskonstanten der Gase IV. Theorie der elektrischen Influei Fernewirkung IV. 341 ff. Dam trisiermaschine IV. 351. Elekt Schlagweite IV. 385. Elektrischer stand in der Batterie IV 407. des elektrischen Funkens IV Spannungsreihe der Metalle in Fl keiten IV. 476. Verschiedene Fe der Voltaschen Säule IV. 497. S in isolierten Telegraphenleitung Leitungsfähigkeit fester per IV. 574. Thermostrome IV Nomenclatur bei der Elektrolys 696. Elektrolyse geschmolzener (IV. 698; von Lösungen IV. Elektrolytisches Gesetz IV. 7 Leitung der Flüssigkeiten IV. Elektrolyse zusammengesetzter bindungen IV. 717 f. Chemische kung der Reibungselektricität 735. Passivität des Eisens IV Theorie des Galvanismus IV. Abstofsung der einzelnen Teile (Stromes IV. 806. Rotationer Strömen durch Magnete J

tationen von Magneten durch Ströme IV. 897. Magnetische Wirkung der Reibungselektricität IV. 975. Diamagnetismus IV. 978 ff. Diamagnetische Polarität IV. 985. Diamagnetismus und magnetisierende Kraft IV. 996. Magnekrystallkraft IV. 1002 ff. Drehung der Polarisationsebene des Lichtes durch den Magnet IV. 1006 ff 1011 ff. Elektrische Induktion IV. 1020. 1024. Magnetoinduktion IV. 1026. Induktion in flüssigen Leitern IV. 1030. Extrastrom IV. 1039 ff. Unipolare In duktion IV. 1048. Induktion durch den Erdmagnetismus IV. 1051. Induktion in körperlichen Leitern IV. 1077. 1080. Dauer der Induktionsströme IV. 1094.

Favre und Silbermann. Verbrennungswärmen III. 805. 811. Wärme durch andere chemische Prozesse III. 813. 815. 817. 822 Quecksilberkalorimeter III. 816. Wärmeentwicklung durch den galvanischen Strom IV. 641. 651. Wärme und Arbeit des Stromes IV. 1172.

Faye. Sonnenparallaxe II. 14.

Fechner. Atomenlehre I. 191. Empfindung der Lichtstärke II. 371. Nachbilder II. 374. Influenzelektricität IV. 216. Theorie der Voltaschen Funda-mentalversuche IV. 467. Spannungsreihe der Metalle in Wasser IV. 476. Elektricitätserregung bei Berührung zweier Flüssigkeiten IV. 479; bei Berührung von Metallen und Isolatoren Voltasche Säule IV. 488. IV. 486. Experimentelle Bestätigung des Ohmschen Gesetzes durch Messung der Stromstärken IV. 525. Bestimmung der elektromotorischen Kraft IV. 603. Wärmeerregung durch den galvanischen Strom IV. 633. Theorie der Elektrolyse IV. 740. Polarisation und Übergangswiderstand IV. 759 765. Passivität des Eisens IV. 782. Theorie des Galvanismus IV. 795. Theorie der Induktion in linearen Leitern IV. 1063.

Fedderson. Partialentladungen IV. 390. Dauer der elektrischen Entladung IV. 392. Mechanismus der Entladung IV. 394 ff. Oscillierende Entladung IV. 396.

Feilitzsch, von. Abstofsung zweier Teile desselben Stromes IV. 806. Elektromagnetische Rotationsapparate IV. 894. Ablenkung des Stromes durch Magnete in seinem Leiter IV. 900. Einwürfe gegen Poissons Theorie der Magnetisierung IV. 950. Verteilung des Magnetismus in Elektromagneten IV. 963. Theorie des Diamagnetismus IV. 985. Magnetelektrische Maschinen IV. 1096.

Felici. Gesetze der Induktion IV. 1036. Einfluß der Induktion auf die Entwicklung der Ströme IV. 1093.

Fessel. Rotationsapparat I 144.

Feussner. Newtons Farbenringe II. 410. Fick. Diffusion von Flüssigkeiten I. 357. 361. Irradiation II. 368.

Fischer. Absolute Schwingungszahl des a_1 I. 719.

Fischer. Elektrolyse IV. 715.

Fizeau. Geschwindigkeit des Lichtes II. 18. Interferenz des Lichtes II. 406; bei großen Gangunterschieden II. 430. 431ff. Änderung der Brechungsexponenten fester Körper mit der Temperatur II. 434. Ausdehnung fester Körper III. 33. 37; der Krystalle III. 46 ff.; des Jodsilbers III. 53. und Foucault. Interferenz der Wärmestrahlen III. 223. 224. Elektrisches Licht IV. 690. Kondensator an Induktionsapparaten IV. 1116.

Flaugergues. Specifische Wärme des Wassers III 468.

Forbes. Brechung der Würmestrahlen III. 1:3. Polarisation der Würme III. 230. Doppelbrechung der Würme III. 233. Würmeleitung fester Körper III. 295.

Fortin. Barometer I., 407

Forster. Phosphorescenz II. 334.

Forster und Fritz. Brachyteleskop II. 388.

Foucault. Pendelversuch I. 146. 180. Erhaltung der Rotationsebene I. 180. Lichtgeschwindigkeit II. 18. 24. Lichtgeschwindigkeit in verschiedenen Medien II. 140. Schlierenmethode II. 261. Entstehung der Fraunhoferschen Linien II. 278. Interferenz des Lichtes bei großen Gangunterschieden II. 430. Polarisationsprisna II. 595. Rotationsmagnetismus IV. 1079. Interruptor IV. 1115. Siehe auch Fizeau.

Fourier. Emission des Lichtes und der Wärme II. 42. III. 170. Würmeleitung III. 278. 287.

Frankenheim. Kapillarität I. 334. 341. Ausdehnung des Wassers III. 74. Peltierscher Versuch IV. 653.

Frankland. Kontinuierliches Spektrum der unter hohem Druck brennenden Wasserstoffflamme II. 306.

Franklin. Hypothese eines elektrischen Fluidums IV. 214. Ladungsplatte IV. 370.

Franz. Spektrum der Sonnenwärme III. 178. Diathermanität III. 193. Diathermansie des Auges III. 236. Siehe auch Wiedemann. Fraunhofer. Linien im Sonnenspektrum Gambey. Deklinationsbussole IV. 131. II. 146. Bestimmung der Brechungsexponenten II. 150. Brechungsexpole Luft III. 212. nenten fester und flüssiger Körper II. 157. 158. Wellenlängen des Lichtes
 II. 159. Totale und partielle Dispersion II. 210. Chromatische Abweichung des Auges II. 367. Beugung des Lichtes II. 450. 461. Messung der Wellenlängen II. 477. Licht des elektrischen Funkens IV. 435. Fresnel. Wellenbewegung I. 618. Undu-

lationstheorie II. 43. Reflexionsgesetz II. 50. Brechungsgesetz II. 113. Spiegelversuch II. 393. 396. 401. Messung der Wellenlängen des Lichts II. 400. Interferenzprisma II, 405. Farben-ringe II 411. Beugung des Lichtes II. 440 ff. 445 ff.; in durchsichtigen Schir-men II. 470. Polarisation des Lichtes II. 488. 491. 495. und Arago. Gesetze der Interferenz des polarisierten Lichtes II. 490. 626. Reflexion des polarisierten Lichtes II. 498 ff. Folgerungen aus der Reflexionstheorie II. 510. Drehung der Polarisationsebene II. 513. Totale Reflexion II. 515 ff. Elliptische Polari-sation bei totaler Reflexion II. 521. Theorie der Doppelbrechung II. 587. Doppelbrechung in zweiaxigen Krystallen II. 606, 620. Farben in parallel der Axe geschnittenen Platten einaxiger Krystalle II. 644. Farben in zweiaxigen Krystallen II. 657. Cirkularpolarisation im Bergkrystall II. 680. Doppelbrechung im Bergkrystall parallel der Axe II. 683.

Fröhlich. Zum elektrischen Grundgesetz

von Clausius IV. 862.

Frölich. Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Elektricität IV. 404. Widerstand und elektromotorische Kraft im elektrischen Flammbogen IV. 694. Theorie der Dynamomaschine IV. 1107. 1109.

Fromme. Elektromotorische Kraft des Groveschen Elementes IV. 611; des Bunsenschen Elementes IV. 612. Galvanische Polarisation IV. 772. 778. Maximum des Magnetismus im Eisen IV. 939. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 946.

Fuchs. Bestimmung von Leitungswiderständen durch Messung von Potential-

differenzen IV. 562.

6.

Galilei. Fallgesetze I. 179. Pendelgesetze I. 179. Galvani. Entdeckung der Kontaktelektricität IV. 441.

Diathermansie der feuchtes

Gassiot. Funken an der galvanischen Batterie IV. 684. Elektrisches Licht IV. 688. Durchgang beider Induktionströme durch mit verdünnten Gaen gefüllte Räume IV. 1119. Induktionstrom in luftverdünnten Raumen IV

Gaugain. Influenz in nichtleitenden Sabstanzen IV. 319. Schlagweite der elektrischen Entladung IV. 379. Thermaströme IV. 624. Tangentenbussole IV. 908. Gesetze der Induktionsströme IV.

1036.

Wert von g in Göttingen I 54 Gauss. Maß der Masse I. 60. Torsion von Seidenfäden I. 223. Innere Reibung I 255. Kapillarität I. 310. 316. Billaraufhängung I. 520. Heliotrop II. 56. Spiegelablesung II. 57. Dioptrist Untersuchungen II. 230, 261. Potentialtheorie IV. 2. Satz über die rweiten Differentialquotienten der Potential-funktion IV. 20. Magnetometer IV. 73. Messung der magnetischen Direktions-kraft IV. 76. Bestimmung der Trägheitsmomente von Magneten IV. 78. Absolute Einheit des Magnetismus IV. 83. 107. Magnetische Fernewirkung IV. 91. 102. Bestimmung der Deblination IV. 135; der Inklimation IV.
 142. Intensität des Erdmagnetismus IV. 147. Bifilarmagnetometer IV. 147 152. Magnetische Karten IV. 153. Magnetischer Zustand der Erde IV. 156.

Gay-Lussac. Kohäsion der Flüssigkeiten I. 305. Kapillarität I. 322. Barometer I. 412. Ausdehnung der Gase III. 87. und Welter. Specifische Wärme der Gase bei konstantem Volum III. 513. Anderung der Siedetemperatur III. 646. Messung der Spannkraft der Dämpfe III. 669. Spannung der Dämpfe in Gasen III. 702. Bestimmung der Dampfdichten III. 739.

Geissler. Quecksilberluftpumpe 1, 454. und Plücker. Ausdehnung des Wassers III. 74. Geisslersche Röhren IV. 1121.

Gerland. Elektrischer Kondensator IV. 453. Elektrische Differenzen der Metalle IV. 457. Elektromotorische Kraft zwischen Metallen und Wasser IV. 468 und 478

Gerling. Netzhautbilder II. 355. Gernez. Drehung der Polarisationseben

in Flüssigkeiten II. 688. 694. Gerosa. Specifische Wärme des Wassen

III. 474.

Gerstner. Biegungselasticität I. 229.

Geuther. Elektrolyse zusammengesetzter Verbindungen IV. 718.

Gibson. Dielektricitätskonstanten IV. 300. 311.

Giesc. Elektrischer Rückstand IV. 412. Graduierung der Kirchhoff-Wheatstoneschen Brücke IV. 567.

Gilbert. Elektricität IV. 165. Girard. Ausströmen der Gase I. 509. Gladstone. Siehe Dale. Refraktionsäquivalente II. 185. Sekundäre Elemente

IV. 779

Glan. Abhängigkeit der Absorption des Lichtes von der Dichte der absorbierenden Substanz II. 272. von der Temperatur der absorbierenden Substanz II. 305. Spektrophotometer II.

Glatzel. Ausdehnung von festen Körpern durch die Wärme III. 31.

Glazebrook. Bestimmung des Ohm IV.

Gmelin. Chemische Wirkung des Lichtes II. 341.

Gockel. Beziehung zwischen der elektromotorischen Kraft eines Elementes und der chemisch entwickelten Wärme IV.

Goldstein. Erscheinungen in Geisslerschen Röhren IV. 1123. Kathodenstrahlen IV. 1131. Einfluss des Magnets auf die Erscheinungen in Geisslerschen Röhren IV. 1136.

Messung von Dielektricitäts-Gordon. konstanten IV. 300. 311. 312. Magnetische Drehung der Polarisationsebene bei Reflexion IV. 1020.

Gore. Elektrolyse IV. 742.

Graetz. Wärmeleitung der Flüssigkeiten III. 326; der Gase III. 340. 348. Absoluter Wert des Strahlungsvermögens mit Zugrundelegen des Stefanschen Genetzes III. 364.

Graham. Diffusion von Flüssigkeiten I. 357. Ausfluss der Gase durch kapillare Röhren I 511. Diffusion der Gase I. 527. 539. Absorption des Wasserstoffs durch Palladium bei der Elektrolyse IV. 713.

Grailich. Zweiaxige Krystalle II. 626. und von Lang, zweiaxige Krystalle II. 626. Magnekrystallkraft IV. 1004. Gramme. Dynamoelektrische Maschine

IV. 1099. 1104.

I. 272. Luftpumpenhahn l. 482. Grassmann. Vokaltheorie I. 782. Elektrodynamik

IV. 822. S'Gravesande. Elasticität I. 198.

Green. Reflexionstheorie des Lichtes II.

Potentialtheorie IV. 1. Greenscher Satz IV. 26. Theorie des Magnetismus IV. 113. Verteilung der Elektricität auf Leitern IV. 229; auf getrennten Leitern IV. 259.

Greiner. Heberbarometer I. 412 Grimaldi. Interferenz des Lichtes II. Beugung des Lichtes II. 445. 392.

Grinwis. Verteilung der Elektricität auf getrennten Leitern IV. 259.

Elektrische Pausen IV. 435.

Groth. Zweiaxige Krystalle II. 626. Polarisationsmikroskop II. 635. Messung der Axenwinkel in zweiaxigen Krystallen II. 665. Rechts und links drehende Krystalle II. 672. Drehung der Polarisationsebene im überjodsauren Natron II. 686.

Reibung der Flüssigkeiten I. Grotrian. 389. Dichtigkeit gesättigter Dämpfe (mit Wüllner) III. 758. Leitungsfühigkeit der Flüssigkeiten IV. 591. 593 und Reibung IV. 752.

Grotthuss. Theorie der Elektrolyse IV. 737.

Sieden des Wassers III. 648. Grove. Gaselement IV. 483 ff. Galvanisches Element IV. 502. Galvanisches Glühen von Drähten IV. 681. Chemische Wirkung der Reibungselektricität IV. 735. Schichtung des elektrischen Lichtes IV. 1129.

Grunmach. Vergleichung der Quecksilberthermometer III. 130. Drehung der Polarisationsebene der Wärme durch den Strom IV. 1011.

Guillemin. Beziehung zwischen Magnetismus und Biegung IV. 121. Ströme in ungeschlossenen Leitern IV. 541. In isolierten Telegraphenleitungen IV. 544.

Guthrie. Kapillarität I. 337. leitung in Flüssigkeiten III. 313.

H.

Hadley. Spiegelsextant II. 58. Tragkraft der Magnete IV. Haecker. 59. 63.

Haga. Diathermansie der feuchten Luft III. 213. Strömungsströme IV. 787. Hagen. Kapillarität I. 315. 341. Ausfluss durch kapillare Röhren I. 384.

Ausdehnung des Wassers III. 72. Grassi. Kompression der Flüssigkeiten Hagen, E. B. Spannkraft des Quecksilberdampfes III. 692.

Hagen, (). Absorptionsgesetz des Lichtes II. 270.

Hagenbach. Reibung der Flüssigkeiten 1. 379. 383. Fluorescenz II. 323 ff. 328. Phosphorescenzlicht II. 341.

Haidinger. Polarisationsbüschel II. 485. Polarisationsebene II. 489. Elliptische Polarisation bei Reflexion an stark absorbierenden Medien II. 531.

Hajech. Brechung des Schalles I. 817-Haldat. Hydrostatischer Apparat I. 278. Hällström. Stösse, akustische I. 837. Ausdehnung des Quecksilbers III. 58; des Wassers III. 71.

Hall. Ablenkung des Stromes in seinem Leiter durch Magnete IV. 900.

Halley. Magnetische Karten IV. 153. Halske. Stromunterbrecher IV. 1022. Hamilton. Konische Refraktion II. 620. 622

Siehe Pribram. Handl.

Hankel. Pyroelektricität IV. 180 ff. Elektricität der Flamme IV. 182. Verteilung der Elektricität auf getrennten Leitern IV. 259. Elektrometer IV. 284. Elektro-motorische Kraft zwischen Metallen IV. 457. Elektromotorische Kraft zwischen Metallen und Wasser IV. 468. Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten IV. 585. Thermoelekt. Spannungsreihe IV. 620. Thermoströme IV. 624. Magnetismus des Eisen und Kobalt IV. 940. Magnetische Wirkung der Reibungselektricität IV. 977. Theorie der Elektricität IV. 1176

Hansemann siehe Kirchhoff. Hansen. Sonnenparallaxe II. 14.

Hansteen. Magnetische Fernewirkung IV. 91. Magnetische Katen IV. 153. Magnetischer Zustand der Erde IV. 156. Hare. Kalorimotor IV. 497.

Harms. Philosophische Einleitung in die Physik I. 191.

Harting. Mikroskop II. 383.

Harris. Schlagweite der Batterie IV. 376. 384. Rotationsmagnetismus IV. 1078.

Haughton. Dichtigkeit der Erde I. 175. Hauy. Kapillarität I. 349. Elektricität durch Druck IV. 179.

Haycraft. Specifische Wärme der Gase

Hefner Alteneck von. Induktionstrommel

der Dynamomaschine IV. 1099. Heintz. Schmelzpunkte III. 633. Elektricität durch Reibung IV. 177.

elmert. Bestimmung von g I. 181. Lichtgeschwindigkeit II. 23. Helmert.

von Helmholtz, Naturauffassung I. 8. Reibung der Flüssigkeiten 1. 379. Ausfluss durch kapillare Röhren I. 383. Vibrationsmikroskop I. 664. Schwingung der Saiten I. 667 ff. Klang I. 696. Tonleiter I. 713. Musikalische Tem-peratur I. 717. Grenze der Hörbarkeit I. 720. 721. Analyse des Klanges

I. 723. 730. Saitenklänge I. 735. Theorie der Pfeifentöne I. 754. Klang der Pfeifen I. 755. Theorie der Zungen-pfeifen mit weichen Zungen I. 767. Bildung der Vokale I. 776 ff. Geschwindigkeit des Schalles in Röhren 799. Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in Flüssigkeiten I. 813. Resonanz I. 820. Gehörorgan I. 827. Stösse I. 839. Kombinationstöne I. 842 ff Theorie der Konsonanz und Dissonanz I. 845. Theorie der Brech-ung, Dispersion und Absorption II. 121 ff. Abhängigkeit der Brechungsexponenten von der Körperdichte II. 178. Brechung des Lichtes in kugelförmigen Flächen II. 226. Das menschliche Auge II. 353. Konstanten des Auges II. 356. Sehen in verschiedenen Entfernungen II. 363. Accommodation II. 364. Monochromatische Abweichung des Auges II. 366. Irradiation II. 368. Gesichtsempfindungen II. 370. Perception der Farben II. 372 ff. Nachbilder II. 374. Gesichtswahrnehmungen II. 374. Identische Netzhautpunkte IL 377. Polarisationsbüschel II. 485. Natur der Wärme III. 381. Princip der Erhal-tung der Kraft III. 381. Tierische Wärme III. 824. Bestimmung der Arbeit aus dem Potential IV. 35. Anziehung zweier elektrisierter Körper in einem Dielectrikum IV. 305. Ent ladungsstrom der Leydener Flasche IV 376. Oscillierende Entladung IV. 399. Wärmeerregung durch die elektrische Entladung IV. 428. Elektromotorische Kraft IV. 445. Gesetz der Spannungsreihe IV. 460. Wärmeentwicklung durch den galvanischen Strom IV, 640 Mechanische Wirkung des Stromes IV 731. Galvanische Polarisation IV. 769.
770. Elektrolytische Konvektion IV.
770. 772. Wirkung des Stromes auf Kapillarität IV. 785. Theorie der Stromungsströme und der elektrischen Fortführung; elektrische Doppelschichten IV. 789. Theorie des Galvanis-mus IV. 791. Einwürfe gegen Webers elektrisches Grundgesetz IV, 854, 858 Theorie der Elektrodynamik IV, 860 f Rotation von Strömen unter dem Einflusse von Magneten IV. 895. Tangen tenbussole IV. 908. Einfluss der Induktion auf die Entstehung der Ströme IV. 1093. Bewegung der Elektricität in nichtgeschlossenen Induktionssparalen IV. 1095. Theorie des Telephon IV. 1112. Beziehung zwischen der elektromotorischen Kraft eine

ten Warme IV. 1168.

Henke. Accommodation II. 365.

Henrichsen. Specifische Wärme des Wassers III, 474

Henrici. Ausdehnung des Wassers III. 74. Henry. Absorption der Gase I. 498. Henry, J. Induktionsströme höherer Ord-

nung IV. 1055.

Hermann, L. Induktion in flüssigen Leitern IV. 1030.

Hermann und Pfister. Sphärometer I. 24. Herschel. Interferenz des Schalles 832. Emissionshypothese II. 39. Reflexion des Lichtes II. 81. Brechung des Lichtes II. 138. Aplanatische Lin-sen II. 255. Absorptionsgesetz des Lichtes II. 269. Fluorescenz II. 314. Farben dicker Platten II, 424. Doppelbrechung in zweiaxigen Krystallen II. 620. Farbenringe in einaxigen Krystallen II. 640 Farbenkurven in zweiaxigen Krystallen II. 658. Rechts-oder linksdrehende Bergkrystalle II. 671. Spektrum der Sonnenwärme III. 177. 181. Passivität des Eisens IV. 780. Siehe auch Babbage.

Hertz. Methode von Clement und Desormes zur Bestimmung des Verhältnisses der beiden specifischen Wärmen der Gase III. 512. Spannkraft des Quecksilberdampfes III. 692 Theoretische Gleichung für die Spannkraft der Dämpfe III. 795.

Herwig. Absolute Mafse I. 549. Spannkraft der Dämpfe III. 703. Ausdehnungskoefficient der Dämpfe III. 751. Dichtigkeit gesättigter Dämpfe III. 754. Elektrisches Licht IV. 687. Galvanische Polarisation IV. 769. Zu v. Helmboltz Theorie der Elektrodynamik IV. 861. Rotation von Strömen unter dem Einflusse von Magneten IV. 895.

Hess. Schmelzwärme des Wassers III. 619. Verbrennungswärme III, 811, 822. Himstedt. Ausmessung einer Spirale auf

magnetischem Wege IV. 1145. Be-stimmung des Ohm IV. 1149. Hirn. Ausdehnung des Wassers III. 78; verschiedener Flüssigkeiten III. 83. Umsetzung von Arbeit in Wärme III. 394 ff., von Wärme in Arbeit III 406. Bestimmung der specifischen Wärme nach der Erkaltungsmethode III, 465. Specifische Wärme des Wassers III. 471. Specifische Wärme der Gase bei konstantem Volum III. 513. Speci-fische Wärme von Flüssigkeiten III. 553. Specifische Wärme der gesättigten Dämpfe III, 737. Dampfdichten III. 749.

Elementes und der chemisch entwickel- | Hittorf. Allotropie des Selens I. 189, und Plücker. Spektra glühender Gase II. 295 ff. 301. Elektrolyse von Lösungen IV. 701. Faradaysches Gesetz IV. 708. Elektrolyse zusammengesetzter Verbindungen IV. 718. Wanderung der Ionen IV. 723. Elektrolyse von Lösungsgemischen IV. 733. Theorie der Elektrolyse IV. 740. 741. 744. Entladung des Induktionsstromes in gasverdünnten Räumen IV. 1123. Negatives Licht IV. 1131. Durchgang des konstanten Stromes durch Gase IV. 1131. Leitung der Gase IV. 1132. Einfluss des Magnets auf die Entladungen in Geisslerschen Röhren IV. 1136.

Hock. Brechungsexponenten II, 177, 184. van T'Hoff. Beziehung zwischen der elektromotorischen Kraft eines Elementes der chemisch entwickelten

Wärme IV. 1168.

Hoffmann. Brechungsexponenten II. 189.

Hofmann, A. W. Dampfdichtebestim-mung III, 744. Hofmann. Sonnenspektrum II. 148. Hofmann. Geradsichtiges Prisma II. 217. Holtz. Influenzmaschinen IV. 359.

Holtzmann. Polarisation des Lichtes II. 489. Thermometerkorrektion III. 377. Holzmann. Metallthermometer III. 136. Hooke. Elasticität I. 198. Farben dünner Blättchen II. 407.

Hoorweg. Diathermansie der feuchten Luft III. 213. Elektrische Differenzen zwischen Metallen IV. 459. Elektro-motorische Kraft IV. 602. Peltier-sches Phänomen IV. 660.

Hopkins. Pfeifentöne I. 746. Interferenz des Schalles I. 832. Anderung der Schmelztemperatur mit dem Drucke

Hopkinson. Messung von Dielektrici-tätskonstanten IV. 300. 311.

Horsford. Leitungsfähigkeit der Flüssig-keiten IV. 582.

Horstmann. Dampfdichten III. 749.

Hübener. Reibung der Flüssigkeiten I.

Hurion. Anomale Dispersion der Gase IL 195.

Huyghens. Pendelgesetze I. 179. Centrifugalkraft I. 179. Stofsgesetze I. 246. Princip der Fortpflanzung der Wellen I. 604, 618. Undulationstheorie II, 43. Reflexionsgesetz II, 50. Brechungs-gesetz II, 113. Polarisation des Lichtes durch Doppelbrechung II. 482. Doppelbrechung des Lichtes II. 570.

Jacobi, C. G. J. Mechanik I. 179. Jacobi. Widerstandseinheit IV. 550. Rheostat IV. 552. 555. Elektromotorische Kraft des Groveschen Elementes IV. 611. Elektrisches Licht IV. 683. Siehe auch Lenz.

Jacobson. Ausfluss durch kapillare Röh-

ren L 383.

Zusammensetzung der von Jacques. glühenden Körpern ausgestrahlten Wärme III. 252.

Jaeger. Trockene Säulen IV. 493. Jahn. Beziehung zwischen der elektromotorischen Kraft eines Elementes und der chemisch entwickelten Wärme IV.

Jamin. Brechungsexponenten, Abhängigkeit von der Temperatur II. 176. 429. Farben dicker Platten II. 424. Interferenzialrefraktor II. 428. Polarisation des Lichtes II 489. Totale Reflexion II. 524. Reflexion an Metallen II. 549. 553. Elliptische Polarisation bei ge-wöhnlicher Reflexion II. 560. Doppelbrechung im Bergkrystall parallel der Axe II. 684. und Masson. Diather-manität III. 190. und Amaury. Specifische Wärme des Wassers III. 471. Elektrodynamisches Grundgesetz IV, 814. Elektromagnetische Rotationsapparate IV. 894. Lamellenmagnete IV. 965.

Jannetaz. III. 311.

Jannsen. Absorption des Lichtes in Ga-sen II. 276, 277. Diathermansie des Auges III. 236.

Janssen. Kritische Temperatur des Stickoxydul III, 781.

Jellet. Halbschattenapparat (Sacchari-

meter) II. 698.

Jenkin, Extrastrom IV. 1039. Jenkin, F. Phonograph I. 824. Widerstandseinheiten IV. 550. Absolute elektrische Widerstandsmessungen IV.1148.

Jerichau. Endosmose I. 366.

Ingenhouss. Wärmeleitung III. 291.

Jochmann. Mariettesches Gesetz I. 431.

Beugung des Lichtes in durchsichtigen Schirmen II. 473. Reflexion an
Matallen II. 555. Induktion in kör Metallen II. 555. Induktio perlichen Leitern IV. 1082. Induktion in kör-

Johannisjanz. Diffusion I. 364.

Jolly. Abnahme der Schwere mit der Höhe I. 162. Dichtigkeit der Erde I. 170. 181. Mechanik I. 179. Endosmose I. 366. Quecksilberluftpumpe I. 486. Ausdehnung des Wassers III. 74; der Gase III. 94. 101. Elektricitätsentwicklung beim Ausströmen von Kohlensäure IV. 353.

Joule. Theorie der Gase I. 440. Umsetzung von Arbeit in Wärme III 3886 392. 397. Umsetzung der Wärme in Arbeit III. 404. und W. Thomson, in-nere Arbeit bei Ausdehnung der Gam-III. 525. Temperaturerhöhung der Flüssigkeiten durch Kompression III. 563. Witrmeerregung durch Magnetisieren IV. 126. Elektromotorische Kraft des Groveschen Elementes IV. 611. Gesetz der Wärmeentwicklung durch den galvanischen Strom IV. 633. 637. Elektrochemisches Äquivalent des Wassers IV. 921. Abhängigkeit des Magnetismus von der magnetisierenden Kraft IV 935. Thomsonscher Satz über Elektromagnete IV, 960. Messung der im elektr. Strom entwickelten Wärme nach absolutem Maße IV, 1164.

Isenkrahe. Fernewirkung I. 153, Jullien. Mechanik I. 179.

Jürgensen. Mechanische Wirkung des Stromes IV. 729.

K.

Kaiser. Geschwindigkeit des Schalles in Röhren I. 801.

Kämtz. Meteorologie I. 411. Spannkraft

der Dämpfe III. 669.

Kater. Bestimmung von g I, 133, 136. Keir. Passivität des Eisens IV, 780. Keppler. Gesetze der Planetenbewegungen I. 149. 181.

Kerr. Elektrooptische Doppelbrechung IV. 339. Magnetische Drehung der Polarisationsebene durch Reflexion IV.

1018.

Ketteler. Dispersion des Lichtes II, 121. Abhängigkeit der Brechungsexponenten vom Einfallswinkel II. 132, Messung der Brechungsexponenten anomal dispergierender Medien II. 155. Prö-fung der Dispersionstheorie II. 161. Brechungsexponenten von Cyaninlösungen II. 170. Abhängigkeit der Brechungsexponenten von der Körperdichte II. 178. Dispersion der Gase II. 194. 429. Theorie der Absorption des Lichtes II. 314. Farben dicker Platten II. 427. Wellenlängen der Lichtes II. 481. Theorie der Reflexion des Lichtes II. 506., der Totalreflexion II. 519., der Reflexion an absorbierenden Medien II. 540. 562.

King und M Kichan absolutes mechanisches Mass der Stromkonstanten IV.

1159.

Kiessling. Interferenz des Schalles I. 834. Kirchhoff. Elasticität I. 196. Querkon-traktion I. 203. 206. Schwingungen von Platten I. 647 ff. Geschwindig-

keit des Schalles in Röhren I. 799. Sonnenspektrum II. 148. Absorption des Lichtes in Flammen II. 278. Satz der Gleichheit der Emission und Absorption des Lichtes II. 280. Erklärung der Fraunhoferschen Linien II. Beschaffenheit der Sonne II. Emission des Lichtes II. 285. Zur Geschichte der Spektralanalyse II. 288. und Bunsen. Spektralanalyse II. 288. und Bunsen. Spektralanmyse 21, 289. Abhängigkeit des Emissionsvermögens von der Temperatur II, 304. Satz über Emission und Absorption der Wärme III. 262 ff. und Hansemann. Wärmeleitung fester Körper III. 302. Wirkungsfunktion III. 408. Quadrantenelektrometer IV. 284 Entladung der Leydener Flasche IV. 376. Oscillierende Entladung IV. 399. Licht des elektrischen Funkens IV. 436. Ohmsches Gesetz IV. 507. 520. Stromverzweigung IV. 586. Modifikation der Wheatstoneschen Brücke IV. 565. Messung kleiner Widerstände IV. 573. und Hansemann. Beziehung zwischen den Leitungsfähigkeiten für Wärme und Elektricität IV. 581. Magnetismus eines unbegrenzten Cylinders und eines Ringes IV. 952. Theorie der Magnetisierung IV. 954. Berechnung der Magnetisierungsfunktion IV. 955. Kleist. Leydener Flasche IV. 369.

Klemenčić. Dielektricitätskonstanten der Gase IV. 318. Absolutes mechanisches Maß der Stromkonstanten IV. 1159.

Knoblauch. Spektrum der Sonnenwärme III. 178. Diathermansie III. 196. 200. Verhalten des Steinsalzes und Sylvins III. 201 ff. Diffuse Reflexion der Wärme III. 221. Wärmefärbung der Metalle III. 222. Interferenz der Wärmestrahlen III. 223. Beugung der Wärme III. 224. Polarisation der Wärme III. 228. 229. Doppelbrechung der Wärme III. Interferenz der polarisierten Wärme III. 233. Emission der Wärme III. 241. 242. 250. 255. Leitungsfähigkeit der Hölzer für Wärme III. 312. und Tyndall. Magnekrystallkraft IV. 1004.

von Kobell. Härteskala I. 245. Koch. Ausströmen der Gase I. 508. Köhler. Pyroelektricität IV. 180.

Kohlrausch, R. Bestimmung des specifischen Gewichtes III. 144. Dichtigkeit der Luft III. 153. Thermoelektricität IV. 179. und Weber. Absolutes Maß der Elektricität IV. 184. Messung der Elektricität nach absolutem Maß IV. 197. Torsionselektrometer IV. 269. Sinuselektrometer IV. 273. Kondensator IV, 367. Elektrischer Rückstand

IV. 406 ff. Elektrische Spannungsreihe IV. 452. 457. Elektromotorische Kraft zwischen Metallen und Flüssigkeiten IV. 464, 465. Prüfung des Ohmschen Gesetzes IV. 521. Theorie des Galvanismus IV. 791. Absolutes Maß der Stromstärken IV. 916. und Weber. Absolute mechanische Maße der elektromotorischen Kraft uud des Widerstandes IV. 1153.

Kohlrausch, F. und Loomis. Torsionselasticität I. 228. Elastische Nachwir-kung I. 233 ff. 238. 240. Bestimmung von Brechungsexponenten durch totale Reflexion II. 206. Specifische Wärme der Gase bei konstantem Vo-lumen III. 518. Theorie der Bifilarsuspension IV. 147. Messung kleiner Widerstände IV. 573. Elektrische Leitungsfähigkeit von Zinkvitriollösungen IV. 588; der Flüssigkeiten IV. 591. 592. und Nippoldt der Flüssigkeiten IV. 591. und Grotrian der Flüssig-keiten IV. 591; des Wassers und Alkohols IV. 596. Elektromotorische Kraft des Groveschen Elementes IV. 611. Theorie der Thermoströme IV. 674. Elektrolytische Leitung der Flüssigkeiten IV. 709. Zur Theorie der Elektrolyse IV. 750. Theorie der elektrischen Leitung der Flüssigkeiten IV. 753 ff. Specifische und molekulare Leitungsfähigkeit IV. 755. Galvanische Polarisation IV. 772. Elektrochemisches Äquivalent des Wassers IV. 921. Ausmessung einer Spirale auf magneti-schem Wege IV. 1145. Bestimmung des Ohm IV. 1145. Kohlrausch, W. Elektrische Leitungs-fähigkeit von Flüssigkeiten IV. 593.

Elektrochemisches Aquivalent des Wassers IV. 921.

Kolbe. Elektrolyse IV. 715. 716. Kolke, vom. Verteilung des Magnetismus in Elektromagneten IV. 965.

Kölliker. Ohr I. 827. Kommission, amerikanische. Messung der Spannkraft der Dämpfe III. 672.

Kommission der British Association for advancement of science zur Bestimmung des Ohm IV. 1148.

König. Phonautograph I. 663. Apparat zur Analyse des Klanges I. 725. Empfindliche Flammen I. 728. Vokale I. 779. Interferenz des Schalles I. 833. Stöfse I. 838. Kombinationstöne I. 843. Elektrische Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten IV. 591.

Konowalow. Spannkraft der Dämpfe von Flüssigkeitsgemischen III. 699. 700. Koosen. Abhängigkeit des Magnetismus netische Wirkung der Reibungselektricität IV. 976. Galvanische Leitung

der Lichthälle IV. 1120.

Kopp. Atomistik I. 189. Volumenometer I. 471. Ausdehnung des Wassers III. 74; anderer Flüssigkeiten III, 83. Thermometerkorrektion III. 376. Bestimmung der specifischen Wärmen III. 447. Specifische Wärmen allotroper Modifikationen III. 546. Atomwärmen III. 578. Specifische Wärme der Elemente III. 579. 581. Neumannsches Gesetz III. 585. Satz über die Atom-wärmen von Verbindungen III. 589. Volumänderungen beim Schmelzen III. 610. Siedepunktsdifferenzen III. 693.

Korteweg und Julius. Elektrische Ausdehnung IV. 336. Kötteritsch. Elektrostatik IV. 229.

Krause. Menschliches Auge II. 315. Krebs. Siedeverzüge III. 648. Krecke. Drehung der Polarisationsebene in Flüssigkeiten II. 694.

Krönig. Konstitution der Gase I. 440. Mariottesches Gesetz I. 453.

Kundt. Reibung der Gase (mit Warburg) I. 517, 520, 525. Schwingungen von Luftplatten I. 680. Zusammenge-setzte Schwingungen I. 661. Schallgeschwindigkeit I. 796; in festen Kör-pern I. 805. und *Lehmann*. Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles in Flüssigkeiten I. 813. Anomale Dispersion II. 108 ff. Brechungsexponenten bei anomaler Dispersion II. 169. Anomale Dispersion der Gase II. 195. Wärmeleitung der Gase III. 334 Specifische Wärme des Quecksilberdampfes III, 524 und Röntgen. Magnetische Drehung der Polarisations-ebene in Gasen IV. 1010. 1017; in Metallen IV. 1018 ff.; durch Reflexion IV. 1019.

Kupfer. Einflus der Wärme auf den Magnetismus IV. 122. 124.
 Kurz. Elliptische Polarisation bei ge-

wöhnlicher Reflexion II. 565. Kuytenbrouwer. Siehe van Beek.

Ladd. Dynamoelektrische Maschine IV.

Lallemand. Polarisation des Lichtes IL 489. Lamansky. Fluorescepz II. 328. Spektrum der Wärmestrahlen III. 180 ff. Diathermanität III. 191. 193. Lambert. Sprachrohr I. 816. Photometrie

II. 39. Ausdehnung der Gase III. 87. Intensität der Wärmestrahlen III. 168 Magnetische Direktionskraft IV. 67.

von der Stromstärke IV. 939. Mag- Lamé. Elasticität I. 196. Querkontra tion I. 201, 203. Kubische Komps sibilität I. 211, 215.

Lamont. Handbuch des Magnetism IV. 40. Magnetischer Reisetheodoli IV. 136. Bestimmung der Inklimati IV. 143. Variationen des Erdmagn tismus in München in den Jahr 1853 bis 1871. IV. 162.

Lamy. Spektralanalyse II 214.

Landolt. Abhängigkeit der Brechung exponenten von der Körperdichte 179. Brechungsexponenten von schungen II. 185. Refractionsaqui lente Il. 185. Drehuug der Polasationsebene in Flüssigkeiten II. 68 690. Drehungskonstante des Zucke II. 693. Saccharimetrie II. 700. 70 Spannkraft der Dämpfe homolog Verbindungen III. 694. Ammouim amalgam IV. 715. Lane. Mafsflasche IV. 386.

Langberg. Wärmeleitung fester Kön III. 292.

Lang, von. Reibung der Gase 1. 5 Brechungungsexponenten der Luft verschiedener Temperatur II. 1 Elliptische Polarisation bei gewöh licher Reflexion II. 562, 565. Zwaxige Krystalle II. 626. Messung Axenwinkel in zweiaxigen Krystal II. 665. Drehung der Polarisation ebene im Quarz II. 678. Doppelbo chung im Bergkrystall parallel Axe II. 684. Drehung der Polaris tionsebene im schwefelsauren Athyle Diamin II, 687. Wärmeleitung in K stallen III. 311. Wärmeleitung Gase III. 536. Magnekrystallkraft 1004.

Lange. Apparat zur Demonstration

Stöfse I. 838.

Langsdorf. Widerstandseinheit IV. 5 Langenbeck. Accommodation II. 365 Langley. Spectrum der Sonnenwärme 182. Brechungsexponenten und Well längen der Wärmestrahlen III. 1 Wärmemaximum im Sonnenspectr III. 183. Beugungsspectrum der Wärt strahlen III. 226. Temperatur Sonne III. 375.

La Place. Ebbe und Flut. I. 178. 1 Kapillarität I. 306. 310. 316 3 Höhenmessung mit dem Barometer 462. Ableitung des Verhältnisses beiden specifischen Wärmen der 6 aus der Geschwindigkeit des Scha III. 521. Siehe auch Lavoisier.

Lasch. Dichtigkeit der Luft III. 13 Laspeyres. Polarisationsmikroskop

635.

Laurent, Halbschattenapparat (Sacchari-

meter) II. 698.

Lavoisier und La Place. Ausdehnung fester Körper III. 27. 41; des Queck-silbers III. 58. Bestimmung der speeifischen Wärme durch Schmelzen von Eis III. 452. Specifische Wärme der Gase III. 481. Wärmeverbrauch beim Schmelzen III. 619. Verbrennungswärme III. 801.

Lecher und Pernter. Diathermansie der feuchten Luft III. 274. Emission der Wärme III. 254.

Legrand. Siedepunkt von Salzlösungen

III. 650. Lehmann. Siehe Kundt. Durchgang der Elektricität durch Gase IV. 1135.

Messung des Emissionsver-

Lehnebach. Messung mögens III. 367. hmitz. Maß der Kraft I. 179. Lenz. Stromverzweigung IV. 536. Bestimmung des Leitungswiderstandes IV. 558. Leitungsfähigkeit der Metalle IV. 575. Einflus der Temperatur auf die galvanische Leitungsfähigkeit IV. 578. und Saveljew. Elektromotorische Kraft des Groveschen Elementes IV. 611. Wärmeentwicklung durch den galvanischen Strom IV. 634. Peltier-scher Versuch IV. 652. und Saveljev. Galvanische Polarisation IV. 762. Po-larisation und Übergangswiderstand IV. 766 ff. und Jacobi. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 931; von der Stabdicke IV. 957; von der Stablänge IV. 959. Verteilung des Magnetismus in Elektromagneten IV. 965. Anziehung und Tragkraft der Elektromagnete IV. 970 f. Grundgesetz der elektrischen Induktion IV. 1024; der Magnetinduktion IV. 1026. Gesetze der Induktionsströme IV. 1027 ff.

Lenz, R. Elektrischer Widerstand des Quecksilbers IV. 577; von Flüssig-keiten IV. 593; von alkoholischen Lösungen IV. 596. Bestimmung des Ohm

IV. 1150.

Le Roux. Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Schalles I. 787. 793. Anomale Dispersion des Joddampfes II. 107. Dispersion der Gase II, 194, 195. Thermoströme IV, 629. Temperatur-änderung an Lötstellen IV, 657, 667. Theorie der Thermoströme IV. 669. Biegung von Strömen durch Magnete IV. 899. Einflus des Magnetes auf das elektrische Licht IV. 1136.

Leslie. Volumenometer I. 468. Differentialthermometer III. 158. Intensität der Wärmestrahlen III. 169. Emission der Wärme III, 170. 240. Absorption der Wärme III. 259.

Leverrier. Sonnenparallaxe II. 14.

Levy. Ausdehnung des Quecksilbers III.

Libes. Elektricitätserregung durch Druck IV. 142.

Lichtenberg. Elektricitätserregung durch Reibung IV. 176. Elektrische Staubfiguren IV. 356.

Lindig. Abhängigkeit der elektromotorischen Kraft der Elemente von der Temperatur IV. 630.

Liouville. Elektrodynamisches Grundgesetz IV. 809.

Liphart, von. Magnetische Wirkung der Reibungselektricität IV. 977

Lippich. Kaleidophon I. 670. Polarisirtes Licht II. 495.

Lippmann. Bestimmung von Leitungswiderständen durch Messung von Po-tentialdifferenzen IV. 562. Kapillarelektrometer IV. 784

Liscovius. Pfeifentöne I. 745. 755. Lissajous. Wellenbewegung I. 618.

Schwingungskurven I. 672.

Listing. Dimensionen des Erdkörpers II. 14. Optische Knotenpunkte II. 237. Reduziertes Auge II, 360. Lage der Netzhautbilder II. 362.

Littrow. Dioptrik II. 388. Lloyd. Konische Refraktion II. 621. 622. Geschichte der Optik II. 47. 636. Bestimmung der Inklination IV. 142.

Lockyer. Hypothese über die mehrfichen Spektra der Gase II. 301. Logemann. Magnete IV. 63. und van Breda. Mechanische Wirkung des

Stromes IV. 727.

Lommel. Theorie der Dispersion II. 121. Näherungsgleichung für die Brech-ungsexponenten II. 167. Theorie der Absorption des Lichtes II. 314. Fluorescenz II. 324. 327. Theorie der Fluorescenz II. 330. Theorie der Doppelbrechung II. 584. Long. Diffusion I. 364. Elektrische Lei-

tungsfähigkeit von Flüssigkeiten IV.

Loomis. Siehe Kohlrausch, F.

Lorberg. Wärmeleitung der Flüssigkeiten III. 324. Zum elektrischen Grundgesetz von Clausius IV. 862. Unipolare In-

duktion IV. 1051.

Lorenz. Abhängigkeit der Brechungsexponenten von der Körperdichte II. 182. Brechungsexponenten von Gasen und Dämpfen II. 195. 199. Polarisation des Lichtes II. 489. Wärmeleitung fester Körper III 305. Beziehung zwischen den Leitungsfähigkeiten für Wärme und Elektricität IV: 581. Bestimmung des Ohm IV. 1149.

Lorentz. Abhängigkeit der Brechungsexponenten von der Körperdichte II. 182. Brechungsexponenten von Mischungen und chemischen Verbindungen II. 187.

Diffusion der Gase I. 527. Loschmidt. Größe der Gasmoleküle 1. 538.

Fluorescenz II. 326. 328. Lubarsch. Fluorescenz II. 326. 328. Lubimoff. Galileisches Fernrohr II. 387.

Luc, de. Ausdehnung fester Körper III. 33. Ausdelmung der Gase III. 87. Specifische Wärme des Wassers III. 468. Überkälten des Wassers III. 608. Schmelzwärme III. 617. Ludwig. Endosmose I. 368. Physiologie

I. 775. 782. Räumliches Schen II. 376. Lüdtge. Ausbreitung von Flüssigkeiten

1. 357.

Lundquist. Theorie der Reflexion II. 532. 537. Reflexion an stark absorbierenden Medien II. 554. Wärmemaximum im Sonnenspectrum III. 183; 227. Wärmeleitung von Flüssigkeiten III. 316.

M.

Mucaluso. (lalvanische Polarisation IV. 778.

Mac Cullagh. Theorie der Reflexion II. 531.

Mach. Brechung des Schalles I. 819. Hallsches Phänomen IV. 900.

Macfarlanc. Elektrische Schlagweite IV. 385.

Maggi. Graduierung der Kirchhoff-Wheatstoneschen Brücke IV. 567.

Magnus, G. Rotationsapparat I. 180 Gestalt der ausfliefsenden Strahlen L 391. 394. Ausdehnung der Gase III. 89, 91, 101. Vergleichung der Thermometer III. 130. Maximumthermometer III. 135. Verhalten des Steinsalzes und Sylvins gegen Wärmestrahlen III. 201. Diathermanität der Gase III. 204; der feuchten Luft III, 206. Vaporhäsion III. 211. Emission der Wärme III. 243. Leitungsfähigkeit der Gase für Wärme III. 328. Temperatur der Dämpfe aus siedenden Salzlösungen III. 653. Sieden III. 663. Messung der Spannkraft der Dämpfe III. 672. Spannkraft der Wasserdämpfe III, 678, 681; von Flüssigkeitsgemischen III. 697; der Dämpfe in Gasen III, 702. Tierische Wärme III. 824. Sitz der Elektricität IV. 224. Leitungsfähigkeit der Kohle 1118.
 IV. 574. Thermoströme IV. 629. 630. Matteucei. Magnetismus und Tersica V Sekundare Wirkung bei der Elektrolyse IV. 714. Wanderung der lonen

IV. 723. Elektrolyse von Lösings mischen IV. 732. Theorie der Elektrich lyse IV. 739. 742. 743. Tragkmit u Hufeisenmagneten IV. 974. Dane è Induktionsströme IV. 1094.

Magnus, L. J. Elasticität axiger Krystalle II. 607. Elasticitätsfläche wa-

Malus. Polarisation des Lichtes II. 48 Polarisation durch Reflexion II 4%: durch Brechung II. 498. Impuberechung II. 579. Einaxige Kriste II. 582.

Maraldi. Siehe Cassini.

Marangoni. Ausbreitung von Flüsig-

keiten I. 357.

Marbach. Drehung der Polarisation ebene in regulären Krystallen II 64 Marcet. Siedetemperatur III. 646 49. Siehe auch De la Rire.

Marianini. Induktion durch Reibug-

elektricität IV. 1045.

Marignac. Specifische Wärme von Li-

sungen III. 595.

Mariotte. Stofsapparat I. 247. Mariotsches Gesetz I. 418. Wärmestrahlung III. 157. Reflexion der Wärme III. 15. Martins. Geschwindigkeit des Schale in der Luft I. 788.

Marx. Einaxige Krystalle II. 582. Tumalinzange II. 596.

Mascart. Brechungsexponenten des Lichtes II. 156. Wellenlängen des Lichte II. 159. Brechungsexponenter. Gase II. 195. 199. Photographic by Sonnenspektrums II, 349, Brechuleexponenten der ultravioletten Strakker II. 350; III. 187. Messung der Wellelängen des Lichtes II, 477. Polar. sation des Lichtes II, 489. Elektr statik IV. 259. Quadrantenelektroneter IV. 284. Elektrochemisches Aequivalest des Wassers IV. 921 mit de Nove. und Benoit. Bestimmung des Ohm IV

1145, 1149, Maskelyne. Dichtigkeit der Erde l. 171 181.

Masson. Kubische Pfeifen I. 754, wil Jamin. Diathermanität III. 190 und Courtepée. Emission der Wärme il' 242. Specifische Wärme der Gase bil konstantem Volumen III, 513. Lieut des elektrischen Funkens IV, 435-436 Extrastrom IV. 1039. Induktion-ström höherer Ordnung IV, 1057 und Beeg Elektromagnetische Induktionsatte rate IV. 1112. Spannungserscheinungs an geöffneten Induktionsspiralen IV

115. Elektricität bei Berührung von Metallen und Gasen IV. 483. Widerstand im galvanischen Lichtbogen IV. 692. Induktion in körperlichen Leitern

IV. 1077. 1082.

Matthiessen. Ausdehnung fester Körper III. 31. 37. 42; des Wassers III. 73. Elektrische Widerstandseinheit IV. 551. Leitungsfähigkeit der Metalle IV. 575; des Kupfers IV. 576; der Le gierungen IV. 576. Abhängigkeit von der Temperatur IV. 578. Leitungswiderstand der Kohle IV. 582. stellung der Leichtmetalle durch Elektrolyse IV. 697.

Matthieu. Siehe Arago.

Mauritius. Magnetismus und Wärme IV. 123.

Maxim. Glühlampe IV. 682.

Maxwell. Theorie der Gase I. 440. Geschwindigkeit der Gasmoleküle I. 459. Reibung der Gase I. 512. Methode zur Bestimmung der Reibungskoefficienten I. 520. 524. Diffusion der Gase I.
 530. 542. Absolute Masse I. 549. Wärmeleitung der Gase III. 536. Specifische Wärme und Atomgewicht bei den Gasen III. 601. Theoretische Bestimmung der Dampfspannung III. 796. Theorie der Prüfungskörper IV. 236. Verteilung der Elektricität auf getrennten Leitern IV. 259. Thomsons Methode der elektrischen Bilder IV. 260.264. Elektrometer von W. Thomson IV. 282. Faraday-Maxwellsche Theorie der elektrischen Fernewirkung IV. 342. Elektrische Verschiebung IV. 343 Theorie des elektrischen Rückstandes IV. 414. Galvanische Polarisation IV. 769. Tangentenbussolen IV. 910. Kondensator an den Induktionsapparaten IV. 1117. Ausmessung einer Spirale auf magnetischem Wege IV. 1145. Absolutes mechanisches Maſs Stromkonstanten IV. 1159. Elektromagnetische Lichttheorie IV. 1160. Theorie der Elektricität IV. 1176.

Mayer, A. M. Einfluss der Bewegung auf die Tonhöhe I. 831. Wärmeleitung in Krystallen III. 310.

Mayer, R. Natur der Wärme III. 381. Princip der Erhaltung der Kraft III. 381.

Mayer, T. Ausdehnung der Gase III. 87. Bestimmung der specifischen Wärme nach der Erkaltungsmethode III. 460. Magnetischer Zustand der Erde IV. 155.

Meidinger. Galvanisches Element IV. 501. Elektrolyse des Wassers IV. 713. Meissner. Areometrie I. 304.

Meissner, A. Horopter II. 377. und Meyerstein. Spiegelgalvanometer IV. 906.

Melde. Stehende Schwingungen von Saiten I. 635. Kaleidophon I. 670.

Melloni. Thermomultiplikator III. 163. Graduierung des Multiplikators III. Abnahme der Intensität der Wärmestrahlen mit der Entfernung III. 168. Einfluss des Ausstrahlungswinkels III. 170. Reflexion der Wärme III. 171. Brechung der Wärme III. 172. Spektrum der Sonnenwärme III. 178. 181. Diathermansie III, 196, 200, 201. 202. Diffuse Reflexion der Wärme III. 217. Polarisation der Wärme III. 230. 232. Diathermansie des Wassers III. 237. Emission der Wärme III. 240. 241. Absorption der Wärme III. 256. 258. Verhältnis der Emission und Absorption III. 270.

Mendelejeff. Specifisches Gewicht von Alkoholgemischen I. 302. Kapillarität Mariottesches Gesetz I. 432. I. 334. Kritische Temperatur bezw. absoluter Siedepunkt III. 789.

Mercadier. Siehe Cornu.

Meyerstein. Heliostat II. 55. Spektrometer II. 151. Inklinatorium IV. 139. Siehe auch Meissner.

Meyer, H. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 946. Thomsonscher Satz über ähnlich bewickelte Magnete ähnlicher Dimen-

sionen IV. 960. Meyer, O. E. Pendelschwingung I. 132. Elastische Nachwirkung I. 240. Reibung der Flüssigkeiten I. 379. Bestimmung der Reibungskonstanten I. 386. 388. Geschwindigkeit der Gasmoleküle I. 459. Reibung der Gase I. 512. 517. Reibungskonstante der Luft I. 520; anderer Gase I. 524. 525. Diffusion der Gase I. 530. Wärmeleitung der Gase III. 536. 541.

Meyer, V. Methode zur Bestimmung der Dampfdichten III. 744.

Michell. Magnetisieren IV. 55.

Michelson. Messung der Lichtgeschwindigkeit II. 18. 29.

Militzer. Ausdehnung des Quecksilbers III. 62.

Miller. Absorption des Lichtes in Gasen II. 275. Einaxige Krystalle II. 582. Zweiaxige Krystalle II. 624. auch Daniell.

Miller, W. A. Absorption des Lichtes in Gasen II. 275.

Mitscherlich, A. Spektralanalyse II. 291. Mitscherlich, E. Ausdehnung der Krystalle III. 43.

Möbius. Mechanik I. 179. Dioptrik II. 261.

Mohl, von. Mikroskop II. 383.

Mohs. Härteskala I, 245. Moll. Siehe van Beek.

Moncel, du. Licht des Induktionsfunkens IV. 1120. Ablenkung der Aureole IV.

1121; durch den Magnet IV. 1136. Morichini. Magnetismus und Licht IV.

Moritz. Spannkraft der Wasserdämpfe III. 683

Morin. Reibung I. 253.

Morren. Absorption des Lichtes in Gasen H. 276.

Moser. Hauchbilder I. 495. und Riess. Einfluss der Wärme auf den Magnetismus IV. 124. 125; des Lichtes auf den Magnetismus IV. 127. Freiwillige Ablenkung der Magnetnadel IV. 915.

Mosotti. Elektrische Polarisation in Isolatoren IV. 285.

Kapillarität I. 310. 316. Mousson. Thermometerkorrektion III. 377. Anderung der Schmelztemperatur mit dem Druck III, 630. Elektrische Leitungsfähigkeit IV. 577.

Moutier, Randwinkel I. 316.

Mouton. Spectrum der Sonnenwärme III. 182. Messung von Brechungsexponenten und Wellenlängen von ultraroten Strahlen III. 184. Zusammensetzung der von glühendem Platin ausgesandten Wärme III. 251. Oscillierende Ströme in nicht geschlos-senen Induktionsspiralen IV. 1095.

Müller, Johannes. Menschliche Stimme I. 772 ff. Hören I. 826.

Müller in Freiburg. Photographie des Sonnenspektrums II. 348. Isochromatische Kurven in einaxigen Krystallen II 646. 649. Spektrum der Sonnenwärme III. 178. Reduktionsfaktor der Tangentenbussole IV, 530. Elektromotorische Kraft des Daniellschen Elementes IV. 609. Galvanisches Glühen von Drähten IV. 678. Elektrischer Lichtbogen IV. 686. Polarisations-wippe IV. 763. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 935. Abhängigkeit des Magnetismus von der Beschaffenheit der Stäbe IV. 947. Anziehung und Tragkraft der Elektromagnete IV. 972.

Müller in Hamburg. Glühlampe IV. 682. Müller in Wesel. Rheostat IV. 555. Ab-bängigkeit des Leitungswiderstandes von der Temperatur IV. 578. 579.

Müller, H. Galvanisches Element IV. 505.

Worm. Elektricitätserregung bei Berührung zweier Flüssigkeiten IV. 483.

Münchhausen, von. Specifische Warms des Wassers III. 473.

Münchow. Zusammensetzung des weißen Lichtes II, 104.

Munk. Uebergangswiderstand IV. 760. Munke, Ausdehnung des Wassers III. 14. Natur der Wärme III. 381. Änderung der Siedetemperatur III, 646.

Munk af Rosenschold. Elektrische Spannungsreihe IV. 450,

Murphy. Verteilung der Elektricht auf getrennten Leitern IV. 259.

Musschenbrock. Mariottesches Gests 1 421 Ausdehnung III. 27. Leydener Flasche IV. 370.

Naccari und Bellati. Thermostrome IV. 629.

Nägeli und Schwendner. Mikroskop II.

383. Narr. Wärmeleitung der Gase III. 330. Gesetze des Erkaltens III. 358.

Natterer. Abweichung der Gase von Mariotteschen Gesetz I. 434. Kom-pressionspumpe I. 492. Kondensation der Gase III. 773. Naudet. Metallbarometer I. 414.

Naumann. Specifische Warme der Gas-III. 602. Verbrennungswärme III. 822. Navier. Querkontraktion L 201.

Neef. Wagnerscher Hammer IV. 1021. Neesen. Elastische Nachwirkung I 240. Neumann, C. Fortpflanzung des elek-trischen Potentials IV. 851. Zum We-berschen elektrischen Grundgesetz IV. 860; von Helmholtz Theorie der Elek-trodynamik IV. 861. Magnetische Drehung der Polarisationsebene IV. 1020.

Neumann, F. Ausbreitung von Flüssig-keiten I. 356. Ausflufs der Flüssig-keiten durch kapillare Röhren I. 383. Wellenbewegung I. 618. Polarisation des Lichtes II. 489. Reflexion des polarisierten Lichtes II. 498; an Metallen II. 531. 546. Doppelbrechung in zweiaxigen Krystallen II. 620. Farbenkurven in zweiaxigen Krystallen II. 661; in gekühlten Gläsen II. 669. Wärmeleitung fester Köper III. 298. Bestimmung der specifischen Wärme III. 444; nach der Erkaltungsmethode III. 460. Specifische Warme des Wassers III. 468. Gesetz über die Beziehung der specifischen Warme zu dem Atomgewicht fester Verbitdungen III, 577. Specifische Wärne der Elemente III. 579. Verteilung des Magnetismus in Magneten IV. 113. Elektromotorische Kraft der Therms-

ströme IV. 632. Potential zweier ge-

schlossener Ströme auf einander IV. 830. Verhalten der Solenoide IV. 871. Magnetismus des Rotationsellipsoides Theorie der Induktion IV. IV. 952. 1057 ff. 1065.

Newton. Allgemeine Massenanziehung I. 149. Fernewirkung I. 153. Principien der Mechanik I. 179. Emissionshypothese II. 39. Reflexion des Lichtes II. 53. Zerstreuung des Lichtes II. 99 ff. Zusammensetzung des weißen Lichtes II. 102. Theorie der Brechung und Zerstreuung II. 138. Farben dünner Blättchen II. 407. ff. Farben dicker Platten II. 423. Polarisation des Lichtes II. 487. Totale Reflexion II. 520. Hypothese über die Natur der Wärme III. 380.

Nicholson. Araometer I. 295. Elektrisches Licht IV. 683.

Nicol. Polarisationsprisma II. 594.

Siehe Winkelmann. Niess.

Niklès. Formen der Elektromagnete IV. 929.

Nippoldt. Elektrische Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten IV. 591. Elektrolytische Leitung der Flüssigkeiten

Nobili. Thermosäule III. 160. Elektricität bei Berührung zweier Flüssigkeiten IV. 479. und Antinori. Induktion durch den Erdmagnetismus IV. 1052. Induktion in körperlichen Leitern IV. 1077. 1082.

Nollet. Leydener Flasche IV. 370. Nordenskiöld. Verbrennungswärme III 812.

Nörrenberg. Interferenz des Schalles I. 832. Polarisation des Lichtes II. 489. Polarisationsapparat II. 634.

Nowak und Romich. Dielektricitätskonstanten IV. 304.

0.

Obach. Tangentenbussole IV. 905. Oberbeck. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 946. Magnetisierungsfunktion IV. 954.

Obermaier, von. Reibung der Gase I 518 524. 525.

Oersted. Kompression der Flüssigkeiten I. 266. Mariottesches Gesetz I. 421. Galvanisches Element IV. 496. Ablenkung der Magnetnadel durch den Strom IV. 798.

Oettingen, von. Kalibrieren der Thermometer III. 16. Schlagweite der elektrischen Batt, rie IV. 382. Oscillierende Entladung IV. 400. Magnetische Wirkung der Reibungselektricität IV. 976.

Ohm. Klang I. 696. Analyse des Klanges I. 722. Gesetz der Stromstärke IV. 507. 521. 525. Stromverzweigung IV. 534. 536. Bestimmung des Leitungswiderstandes IV. 558. Leitungswiderstände IV. 575. Bestimmung der elektromotorischen Kraft IV. 597. Wärmeerregung durch den galvanischen Strom IV. 633. Polarisation und Übergangswiderstand IV. 760. Theorie des Galvanismus IV. 791.

Okatow. Querkontraktion I. 207. Olszewski. Siehe Wroblewski.

Paalzow. Wärmeleitung in Flüssigkeiten III. 313. Oscillierende Entladung IV. 401. Elektrische Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten IV. 589. Vergleichung der elektrischen Leitungsfähigkeit mit der Leitungsfähigkeit für Wärme bei Flüssigkeiten IV. 591. Bewegungserscheinungen im Stromkreise IV. 784. Beobachtung alternierender Ströme mit Geisslerschen Röhren IV. 1138.

Pacinotti. Induktionsring der magnet-elektrischen Maschine IV. 1099. Paets van Trostwyk. Chemische Wir-

kung der Reibungselektricität IV. 735. Page siche Duprée.

Palmieri und Santi Linari. Induktion durch den Erdmagnetismus IV. 1052.

Pape. Drehung der Polarisationsebene des Lichtes in unterschwefelsauren Salzen II. 687. Leitungsfähigkeit der Krystalle III. 312. Bestimmung der specifischen Wärme nach der Methode von Neumann III. 444. Neumannsches Gesetz III. 585.

Papin. Topf III. 656.

Parrot. Würmeleitung der Flüssigkeiten III. 313. Chemische Theorie des Galvanismus IV. 796.

Pasteur. Drehung der Polarisationsebene in Lösungen von Traubensäure II. 687. Paterson. Platiniertes Eisen IV. 498. Patry. Unpolarisierbare Elektroden IV. 777.

Pattinson. Dampfelektrisiermaschine IV.

Péclet. Wärmeleitung III. 287. Elektricität durch Reibung IV. 177. Spannungsreihe der Metalle IV. 450. Elektromotorische Kraft zwischen Metallen und Flüssigkeiten IV. 464.

Pellat. Elektrische Differenzen zwischen Metallen IV. 459; zwischen Metallen und Flüssigkeiten IV. 471. Pelouze. Elektrolyse IV. 742.

Wärmewirkung des Peltier. galvanischen Stromes an Lötetellen IV. 651.

Luftthermometer IV. 419. Wärme-erregung durch die elektrische Ent-ladung IV. 420. 427. Mechanische Wirkung der Entladung IV. 432. Elektrische Pausen IV. 435. Chemische Wirkung der Reibungselektricität IV. 735. Magnetische Wirkung der Reibungselektricität IV. 976. Induktion durch Reibungselektricität IV. 1045. Spannungserscheinungen an geöffneten Induktionsspiralen IV. 1118. Schichtung des elektrischen Lichtes IV. 963. Righi. Elektrische Ausdehnung IV. 336.

Magnetische Drehung der Polarisa-

tionsebene IV. 1019.

Rijke. Schlagweite der elektrischen Batterie IV. 381 f. Extrastrom IV. 1045. Dauer der Induktionsströme IV. 1094. Rink. Fortpflanzungsgeschwindigkeit des

Schalles I. 792.

Ritchie. Photometer II. 32. Emission und Absorption der Wärme III. 270. Magnetelektrische Maschine IV. 1096.

Ritter. Thermoströme IV. 630. Elektrolyse IV. 715. Polarisation und Über-

gangswiderstand IV. 760.

Rive, de la und Decandolle. Leitungsfähigkeit der Hölzer für Wärme III.
312 und Marcet. Bestimmung der specifischen Wärme nach der Erkaltungsmethode III. 460. Specifische Wärme der Gase III. 492; fester Kör-per III. 546. Theorie der Voltaschen Fundamentalversuche IV. 466. Leitung der Flüssigkeiten IV. 709. Theorie der Elektrolyse IV. 740. Polarisation und Übergangswiderstand IV. 759. Polarisation IV. 778. Tonerzeugung durch den galvanischen Strom IV. 784. Theorie des Galvanismus IV. 796. und Abstofsung der Teile eines Stromes IV. 805. Richtung der Ströme unter dem Einflus der Erde IV. 866. Rotation von Flüssigkeiten unter dem Einflusse des Stromes IV. 894. Licht des Induktionsstromes in mit verdünnten Gasen gefüllten Räumen IV. 1129. Rotation des elektrischen Lichtes durch Magnete IV. 1135 und Sarasin. Einflus des Magnets auf das elektrische Licht IV. 1135.

Röber. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 942. Roberts Zink-Eisen-Kette IV. 498.

Roberts und Wrightson. Volumänderung beim Schmelzen III. 616.

Robinson. Galvanische Polarisation IV. 778. Elektrisches Licht IV. 1120. Robison. Mariottesches Gesetz I. 421. Rochon. Mikrometer II. 597.

Wärme- | Rodwell. Ausdehnung der Haloidsalze des Silbers durch Warme III. 54.

Roget. Anziehung der Teile eines elektrischen Stromes IV, 804.

Roiti. Ablenkung des Stromes im Leiter durch Magnete IV. 901. Bestimmung des Ohm IV. 1149.

Römer. Geschwindigkeit des Planeten-

lichtes II. 15.

Röntgen. Kapillarität I. 336. Diather-mansie der Gase III. 215. Emission der Wärme III. 247. Wärmeleitung in Krystallen III. 310. Specifische Wärme der Gase bei konstantem Volumen III. 517. Elektrische Ausdehnung IV. 336. Elektrooptische Doppelbrechung IV. 338. 340. Magnetische Drehung der Polarisationsebene in Gasen IV. 1010.

Roscoe. Siehe Bunsen.

Rose, H. Phosphorescenz II. 341.
Rose, G. Pyroelektricität IV. 180.
Rosetti. Ausdehnung des Wassers III.
74. 76. Abhängigkeit der Strahlung von der Temperatur III. 362. Temperatur der Sonne III. 375, Schlagweite der elektrischen Batterie IV. Temperatur des elektrischen Flammbogens IV. 688.

Roth. Zustandsgleichung der Gase III.

113.

Magnetisierungsfunktion IV. Rowland. 806. Vergleichung der Quecksilber-thermometer III. 130. Mechanisches Wärmeäquivalent III. 398. Specifische Wärme des Wassers III. 474. Zu v. HelmholtzTheorie der Elektrodynamik IV. 861. Magnetismus des Eisen nnd Kobalt IV. 940. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 946. Magnetisierungsfünktion IV. 954. Bestimmung des Ohm IV. 1149.

Roy. Ausdehnung fester Körper III. 29.41. Rudberg. Zu Wredes Absorptionstheorie II. 439. Einaxige Krystalle II. 582. Zweiaxige Krystalle II. 624. Ausdehnung der Gase III. 89. Schmelzungswärme einiger Körper III. 621. Siedetemperaturen III. 646, 649, 651. Temperatur der Dämpfe aus Salzlösungen III. 651.

Rüdorf, Schmelzpunkt und Erstarrungs-punkt von Fetten III, 608, Gefrier-punkte von Lösungen III. 633, Kälte-

mischungen III, 643.

Rühlmann. Barometrische Höhenmes-sungen I. 462. Brechungsexponenten des Wassers II. 180.

Elektromagnet IV. 930. Rühmkorff. Elektromagnetische Induktionsapparate IV. 1112 ff.

Rumford. Photometer II. 31. Differentialthermometer III. 158. Wärmeleitung in Flüssigkeiten III. 313. Elektrodynamik IV. 861. Oscillierende Natur der Wärme III. 380. Umsetzung von Arbeit in Wärme III. 387 .- Verdampfungswärme III. 709. Verbrennungswärme III. 801.
Rutherford. Maximum- und Minimum-

thermometer III. 134.

Ruths. Thomsonscher Satz über ähnlich bewickelte Magnete ähnlicher Dimensionen IV. 960.

Sachs. Chemische Wirkung des Lichtes П. 341. 351.

Saint-Venant. Biegung I. 232. u. Wanzel.

Ausströmen der Gase I. 509. Sajotschewski. Kritische Temperatur von Flüssigkeiten III. 788.

Salet. Spektra der Gase II. 296. Spektrum des Joddampfes II. 299.

Sarasin. Siehe de la Rive und Soret. Sargent. Bestimmung des Ohm IV. 1149. Saussure. Absorption der Gase durch

feste Körper I. 494.

Savart, F. Torsionselasticität I. 227. Gestalt der Wasserstrahlen I. 393 ff. Longitudinalschwingungen I. 620. Akustische Staubfiguren I. 652. Drehende Schwingungen I. 658. Zusammen-Schwingungen I. 658. Zusam gesetzte Schwingungen I. 658. stimmung der Schwingungszahl von Tönen I. 699. Grenze der Hörbarkeit I. 720. 721. Torsionston I. 741. Pfeifentöne I. 755. Resonanz I. 821. Polariskop II. 654. Siehe auch Biot.

Savart, N. Schwingungen steifer Saiten

L 639.

Savary. Magnetisierung durch den Entladungsstrom der Leydener Batterie IV. 976.

Saveljew. Siehe Lenz.

Saxton. Magnetelektrische Maschine IV. 1096

Say. Stereometer I, 468.

Scheele. Reflexion der Wärme III. 171. Scheibler. Bestimmung der Schwingungszahl der Töne I. 701. Schwingungszahl des a, I. 719. Bestimmung der absoluten Schwingungszahl der Töne durch Stöfse I. 839.

Scheiner. Scheinerscher Versuch II. 295.

Schell. Mechanik I. 179.

Schellen. Dynamoelektrische Maschinen IV. 1102

Schering. Vergleichung der Neumannschen und Weberschen Induktionstheorie IV. 1065.

Schering, K. Theorie der Dämpfung Galvanometern IV. 1086.

Ströme in nicht geschlossenen In-duktionsspiralen IV. 1095.

Schleiermacher. Kapillarität I. 336. Schmidt, E. E. Meteorologie I. 417.

Schmidt, G. Ausströmen der Gase I. 508 Messung der Spannkraft der Dämple III. 667.

Schmidt, L. Elektricitätserregung bei

Berührung zweier Salzlösungen IV, 482 Schmidt, W. Endosmose I 367. Lei-tungsfähigkeit der Flüssigkeiten für Elektricität IV. 583.

Schmidt, P. M. Innere Reibung L 259 hmitz. Drehung der Polarisations-ebene des Lichtes in Zuckerlösungen Schmitz. II. 691.

Schneebeli. Querkontraktion L 207, Geschwindigkeit des Schalles in Röhren

Schneider. Drehung der Polarisations ebene des Lichtes in Apfelsäure II

Schönbein. Spannungsreihe der Metalle in konzentrierter Salpetersäure IV. 476 Elektromotorische Kraft zwischen Metallen und Gasen IV. 483 ff. Orom bei Zersetzung des Wassers IV. 712ff. Elektrolyse der Salpetersäure IV. 718. Passivität des Eisens IV. 780 f. Theorie des Galvanismus IV. 797.

Schoop. Dampfdichte III. 762.

Schouw. Abhängigkeit des Barometerstandes von der geographischen Breite 1, 416.

Schrauff. Abhängigkeit der Brechungsexponenten von der Körperdichte II. 178. Refraktionsäquivalente II. 185.

Schreiber. Wagebarometer L. 413.

Schröder van der Kolk. Mariottesche Gesetz I, 431. Geschwindigkeit de Schalles I. 788. Bestimmung des Leitungswiderstandes IV. 559. Schubring. Tonleiter I. 713.

Schüller. Specifische Wärme von Flüssigkeiten III. 552; von Flüssigkeitsge mischen und Salzlösungen III. 593. 504. Schuhmeister. Diffusion L. 364. Diamag-

netismus und magnetisierende Kraft IV. 995.

Schuller und Wartha. Eiskalorimeter III. 455. 458. Mittlere specifische Wärme des Wassers III. 477. Verbrennungs-wärme des Wasserstoffs III. 808.

Schumann. Spannkraft der Dämpfe ver-schiedener Flüssigkeiten III. 693. 696. Schulz-Sellack. Peltiersches Phanomen IV. 660.

Chuster. Spektra der Gase II. 295, 296.
Bestimmung des Ohm IV. 1148.
Schwadte. Telephon IV, 1112.

hwedoff. Wärmeerregung durch die elektrische Entladung IV. 430. 431. Schwedoff. Schweigger. Multiplikator IV. 911.

Schwendner. Siehe Nägeli. Schwendsen. Mariottesches Gesetz I. 421. Schwerd. Wellenbewegung I. 618. Beugung des Lichtes II. 452. Scoresby, Einflufs der Wärme auf den Magnetismus IV. 122.

Secchi. Absorption des Lichtes in Gasen II. 277.

Scebeck, Ad. Geschwindigkeit des Schalles in Röhren I. 794.

Seebeck, Aug. Schwingung steifer Saiten I. 640. Transversalschwingungen von Stäben L 643. Zusammengesetzte Schwingungen I. 660. Klang. I. 696.722. Menschliche Stimme I. 774. Einfluß der Bewegung auf die Tonhöhe I. 830 Interferenz des Schalles I. 834. Polarisationswinkel II. 497. Elliptische Polarisation bei gewöhnlicher Reflexion II. 560. Beugung der Wärme III, 225.

Seebeck, Th. Farbenringe in einaxigen Krystallen II. 636. Farbenringe in gekühlten und geprefsten Gläsern II. 668. Drehung der Polarisationsebene in Flüssigkeiten II. 688. Spektrum der Sonnenwärme III. 178. Einflus der Wärme auf den Magnetismus IV. 122. Elektrische Spannungsreihe IV. 450. Thermoelektricität IV. 619. 629. Zer-

setzung der Alkalien durch den Strom IV. 698, 699. Bildung von Ammonium IV. 715. Induktion in körperlichen Leitern IV. 1077.

Seewarte, deutsche. Magnetische Karten IV. 153.

Sellmeier. Theorie der anomalen Dis-

persion II. 120.

Senarmont, de. Einaxige Krystalle II. 582. Kalkspatprisma II. 593. Wärmeleitung der Krystalle III. 310; in komprimierten Gläsern III, 312.

Shelford Bidwell. Ablenkung des Stromes in seinem Leiter durch Magnete IV.

Shida. Absolutes mechanisches Maß der Stromkonstanten IV. 1159.

Sieben. Brechungsexponenten anomal dispergierender Lösungen. II. 169. Siemens, C. W. Abhängigkeit des elek-trischen Leitungsvermögens von der

Temperatur IV. 579. Siemens, W. Dielektricitätskonstanten

IV. 298. 311; der Gase IV. 312. Fortoffanzungsgeschwindigkeit der Elek-

tricität IV. 403. Erwärmung des Isolators bei Entladung der Batterie IV. 431. Daniellsches Element IV. 501. Ströme in ungeschlossenen Leitern IV. 541; in isolierten Telegraphenkabeln IV. 544. Widerstandseinheit IV. 551. 552. Widerstandskasten IV. 555. Leitungsfähigkeit geglühten Kupfers IV. 578; der Kohle IV. 582. Glühlampe IV. 682. Galvanometer IV. 906. Anker der magnetelektrischen Maschinen IV. 1102. Princip der Dynamomaschinen IV. 1103. Dynamoelektrische Maschine IV. 1104 ff.

Silbermann, Siehe Favre.

Siljeström. Mariottesches Gesetz I. 432. Silow. Messung von Dielektricitätskonstanten IV. 298; durch Messung der Anziehung in einem Dielektricum IV. 305. 311. Diamagnetismus IV. 995. Simmler. Siehe Wild.

Simon. Kapillarität I. 322.

Sinsteden. Sekundäre Elemente IV. 778. Spannungserscheinungen an geöffneten Induktionsspiralen IV. 1118.

rks. Bestimmung des elektrischen Leitungswiderstandes IV. 560. Elektrische Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten IV. 584.

Smeaton. Ausdehnung durch die Wärme Ш. 27.

Smee. Galvanisches Element IV. 498. Snellius. Brechungsgesetz des Lichtes II. 85.

Sohnke und Wangerin. Newtons Farbenringe II. 410. Drehung der Polarisa-tionsebene im Quarz II. 678. Theorie der Drehung der Polarisationsebene im Quarz II. 685.

Soleil. Saccharimeter II 700.

Sommerville, Miss. Einfluss des Lichtes auf den Magnetismus IV. 127. Sondhaus. Kubische Pfeifen I. 754.

Sonreck. Erregung des Schalles in Orgelpfeifen I. 743.

Soret. Anomale Dispersion II. 108. und Sarrasin. Drehung der Polarisations-ebene im Quarz II. 678. Temperatur der Sonne III. 375. Elektrolytisches Gesetz IV. 708.

Sorge. Kombinationstöne I. 841.

Southern. Spannkraft der Dämpfe III. 667. Verdampfungswärme III. 709. 712.

Sprengel. Luftpumpe I. 487.
Springmühl. Reibung der Gase I. 518,
Sprung. Reibung der Flüssigkeiten I. 389.
Stamo, Marie. Specifische Wärme des
Wassers III. 473.

Stefan. Scheinbare Adhäsion I. 252. Diffusion I. 364. Reibung der Flüssigkeiten I, 379, Reibung der Gase I, 512, Gase I. 529, 530, 542. Schallgeschwindigkeit in festen Körpern I. 806. Wellenlängen des Lichtes II. 159. Anderung der Brechungsexponenten fester Körper mit der Temperatur II. 176. Talbotsche Linien II. 435. Messung der Wellenlängen II. 479. 480. Unpolarisiertes Licht II. 495. Doppelbrechung in zweiaxigen Krystallen II. 620. Wellenmessung durch Beobachtung der Interferenz in Krystallplatten II. 645. Drehung der Polarisationsebene im Bergkrystall II. 674; in Flüssigkeiten II. 692. Abhängigkeit der Wärmestrahlung von der Temperatur III, 249. 358. 361. 368. Wärmeleitung der Gase III. 331. Verdampfung von Flüssigkeiten an freier Luft III. 764. Elektrodynamisches Grundgesetz IV. 809. 823. Potential zweier geschlos sener Ströme auf einander IV. 830. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 947.

Steinhauser. Stereoskop II. 378.

Stephan. Elektrische Leitungsfähigkeit von Flüssigkeiten IV. 593. Leitung der Flüssigkeiten und Reibung IV. 752. Stöhrer. Magnetelektrische Maschine IV. 1096. Elektromagnetischer Induktions-

apparat IV. 1114

Stokes. Reibung der Flüssigkeiten I. 379. Zum Kirchhoffschen Satz der Gleichheit von Emission und Absorption II. Emission des Lichtes II. 288. Theorie der Apsorption II. 308. Fluorescenz II. 316 ff. Spektrum des Fluorescenzlichtes II. 320 ff. Ultraviolettes Licht II. 321. Theorie der Fluorescenz II. 329. Zu Wredes Absorptionstheorie II. 439. Polarisation des Lichtes II. 489, Totale Reflexion II. 521. Elliptische Polarisation bei Reflexion an stark absorbierenden Medien II. 531.

Stoletow. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 946. Magne-tisierungsfunktion IV. 954.

Strecker. Specifische Wärme der Gase bei konstantem Volumen III. 524.

Strehlke. Transversalschwingungen von Stäben I. 645; von Platten I. 648 ff. Streints. Innere Reibung I. 259. Mechanische Wirkung des Stromes IV.

Strouhal. Schallerregung I. 694, 743 und Barus Magnetismus und Wärme IV 124. Graduierung der Kirchhoff-Wheat stoneschen Brücke IV. 567.

Struce. Fresnels Spiegelversuch II. 403. "turgeon, Ampèresches Gestell IV. 801. rm. Siehe Colladon.

Reibung der Gase I. 525. Diffusion der | Suermann, Specifische Wärme der Gase III. 493.

Sulzer. Mariottesches Gesetz I. 421. Elektricitätserregung von Metallen IV. 441. bei Berührung

Sundell. Peltiersches Phänomen IV. 657. Svanberg. Bestimmung des Leitungswiderstandes IV. 565, 568. Galvanische

Polarisation IV. 774. Swan. Glüblampe IV. 682. Symmer. Elektrische Fluida IV. 214. Szily. Mechanische Bedeutung des zwei-ten Hauptsatzes der mechanischen Wärmetheorie III. 573. Theoretische Berechnung der Dampfspannungen III.

Tait. Siehe Andrews. Thermostrome IV. 629. Theorie der Thermoströme IV. 674. Galvanische Polarisation IV. 774. Einwürfe gegen das Webersche elektrische Grundgesetz IV. 851.

Talbot Interferenzstreifen II. 435.

Tate. Siehe Fairbairn.

Taupenot. Auskochen der Barometer I. 405.

Terquem und Tannin. Bestimmung von Brechungsexponenten durch totale Reflexion. II. 206.

Thalén. Elasticitätsgrenze I. 242. Sonnenspektrum II. 308.

Than, von. Verbrennungswärme III. 808 Thénard. Wärmeentwickelung durch Zersetzung III. 813.

Thiesen. Vergleichung der Thermometer III. 130. 132.

Thilorier. Kompressionsapparat I. 492.
Thiomsen, J. Specifische Wärme von
Lösungen III. 595. Verbrennungswärme III. 808, 812 Wärmeerzeugung
durch chemische Prozesse III. 814.
822. Wärmeentwickelung durch den galvanischen Strom IV. 643. Polansationsbatterie, elektrische IV. 773.

Thomson, J. Anderung der Schmels temperatur mit dem Druck III. 627. Kontinuität des gasförmigen und flüssigen Zustandes III. 784.

Thomson, W. Anspruch auf den Kirchhoff schen Satz für Stokes II. 280. Energie eines Körpers III. 408. Innere Arbeit der Gase III. 525. und Joule. Innere Arbeit der Gase III. 525 ff. Temperaturerhöhung von Flüssigkeiten durch Kompression III. 563. Änderung der Schmelztemperatur durch Druck III. 629. Verteilung der Elektricität auf getrennten Leitern IV. 259. Methode der elektrischen Bilder IV. 259 ff. 264. Quadrantenelektrometer IV. 276. Absolute

Elektrometer IV. 310. Faradays Theorie der elektrischen Influenz und Fernewirkung III. 342. Entladung der Ley-dener Flasche IV. 376. Oscillierende Entladung IV. 399. Elektricitätserre-gung bei Berührung von Metall und Wasser IV. 471. Bestimmung des elektrischen Leitungswiderstandes IV. 569. Thermoströme IV. 624, 629. Theorie der Thermoströme IV. 668, 669, und Tait. Einwürfe gegen das Webersche elektrische Grundgesetz IV. 851. Gal-vanometer IV. 906. Satz über den Elektromagnetismus ühnlicher und ähnlich bewickelter Stäbe IV. 966. Magnekrystallkraft IV. 1005. Absolute mechanische Maße der Stromkonstanten IV. 1159. Arbeitsleistungen des galvanischen Stromes IV. 1166.

Tidblom. Thermoströme IV. 629. Todd, Lichtgeschwindigkeit II. 30.

Tollens, Drehung der Polarisationsebene des Lichtes in Zuckerlösungen II. 691.

Töpler. Luftpumpe I. 486. Bunsensches Photometer II. 33. Kardinalpunkt eines optischen Systems II. 237. Schlierenmethode II. 261. Influenzmaschine IV. 359. Diamagnetismus des Wismut IV. 996. 998.

Toricelli. Ausfluß der Flüssigkeiten I.

Tralles. Alkoholometer I. 303

Tribe. Sekundäre Elemente IV. 779.

Troost. Siehe Deville.

Troughton. Ausdehnung fester Körper Ш. 41.

Tuchschmid. Drehung der Polarisations-ebene in Flüssigkeiten II. 694.

Tumlirz. Elektromagnetische Lichttheo-

rie IV. 1161.

Tyndall. Diathermansie III. 198; Verhalten des Steinsalzes gegen Wärmestrahlen III. 202. Diathermansie der Gase III. 204. 207 ff.; der feuchten Luft III. 211; von Dämpfen III. 212. Polari-sation der Wärme III. 232. Emission der Wärme III. 241. 248. Emission und Absorption III. 271. Wärmeleitung von Hölzern III. 312. Anziehung von Elektromagneten IV. 972. Diamagnetische Polarität IV. 986 ff. Diamagnetismus and magnetisierende Kraft IV. 993 ff. Magnekrystallkraft IV. 1004. und Knoblauch. Magnekrystallkraft IV. 1004.

Tyrtow. Elektrisches Licht IV. 688.

U.

Ulrich. Drehung der Polarisationsebene im überjodsauren Natron II. 686.

Ure. Messung der Spannkraft der Dämpfe III. 665. Spannkraft der Dämpfe verschiedener Flüssigkeiten III. 691. Verdampfungswärme III. 709.

V.

Varley. Galvanische Polarisation IV. 769. Velten. Specifische Wärme des Wassers

Verdet. Brechungsexponenten des Schwefelkohlenstoffs I. 156, 158, 181, Unpolarisiertes Licht II. 495. Ableitung des zweiten Hauptsatzes der mechanischen Wärmetheorie III. 426. Innere Arbeit bei Ausdehnung der Gase III. 525. Drehung der Polarisationsebene des Lichtes durch den Magnet IV. 1010. 1014, 1016, 1018, Induktionsströme höherer Ordnung IV, 1057.

Vierordt. Endosmose I. 366. Abhängigkeit der Apsorption des Lichtes von der Dichte der absorbierenden Substanz

H. 272.

Villari. Zusammensetzung der von den Körpern bei 100° ausgestrahlten

Wärme III. 251.

Violle. Absorption der Wärme in der Luft III. 216. Temperatur der Sonne III. 375. Specifische Wärme des Platin III. 549. Palladium, Iridium III. 550. Schmelztemperaturen III. 609. Schmelzwärmen III. 622. Siedepunkt des Zink

Vogel, H. Photographie II. 344. Vogel, H. C. Einfluss der Bewegung auf die Tonhöhe I. 831.

Vogt, C. Abhängigkeit der Leitungsfähigkeit der Metalle für Elektricität von der Temperatur IV. 578.

Voigt. Magnetische Drehung der Polarisationsebene IV. 1020. Absolutes mechanisches Maß der Konstanten des Stromes IV. 1158.

Voit. Diffusion I. 364.

Volkmann. Monochromatische Abwei-

chung des Auges II. 366. Volkmann. Kapillarität I. 336. Ausdehnung des Wassers III. 76. Dichtigkeit des Quecksilbers III. 147.

Voller. Thermoströms IV. 630. Volta. Elektricitätserregung durch Schaben IV. 178. Elektrophor IV. 354. Kondensator IV. 366. Fundamentalversuche der Kontaktelektricität IV. 443 ff. Elektrische Spannungsreihe der Metalle IV 450. Gesetz der Span-nungsreihe IV. 451. Elektromotorische Kraft zwischen Metallen und Flüssigkeiten IV. 461. Säule IV. 486. Tassensäule IV. 493.

Vorsselmann de Heer. Würmeerregung durch die elektrische Entladung IV. 427; durch den galvanischen Strom IV. 633. Polarisation und Übergangswiderstand IV. 765. Polarisation IV. 1778. Weber. Fr. Diffusion I. 364. Fresses Interferenzversuch II. 401. Wärmeleitung fester Körper III. 364; der Flüssigkeiten III. 323. Specifische

W.

Waals, van der. Theorie der Gase I. 446.
Abweichung der Gase vom Mariotteschen Gesetz I. 454. Größe der Gasmoleküle 1. 537. Zustandsgleichung der Gase III. 106. Innere Arbeit bei Ausdehnung der Gase III. 530. Kontinuität des flüssigen und gasförmigen Zustandes III. 781. Kritische Temperatur III. 782.

Wagner. Stromunterbrecher IV. 1021. Waidele. Hauchbilder 1, 496.

Walferdin. Thermometer III. 135.

Walker. Rotation des Lichtbogens IV. 894.

Wallis. Stofsgesetze 1. 245.

Waltenhofen, von. Elektromotorische Kraft der konstanten Elemente IV. 610. 611. 612. Bestimmung des Leitungswiderstandes in den Elementen IV. 615. Peltierscher Versuch IV. 653. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 935. 945. Maximum des Magnetismus in der Gewichtseinheit des Eisens IV. 939. Magnetismus nicht cylindrischer Stäbe IV. 963. Tragkraft der Hufeisenmagnete IV. 973.

Wangerin. Siehe Sohnke.

Wanzel, Siehe Saint-Venant.

Warburg. Torsionselasticität I. 221. 223. Elasticitätsgrenze I. 243. Innere Reibung I. 259. Ausfluß der Flüssigkeiten durch kapillare Röhren I. 390. Reibung der Gase I. 517. 520. 524. Geschwindigkeit des Schalles in festen Körpern I. 806 und Kundt Wärmeleitung der Gase III. 334 ff. Specifische Wärme des Quecksilberdampfes III. 524. Zerstreuung der Elektricität IV. 200. Abfluß der Elektricität über isolierende Stützen IV. 203.

Warren, de la Rue und II. Müller. Konstantes galvanisches Element IV, 505. Durchgang des Stromes einer galvanischen Batterie durch Gase IV, 1131. Wartha. Siehe Schuller.

Wartmann. Drehung der Polarisationsebene der Wärme durch Magnete IV. 1011.

Waszmuth. Magnetismus und Wärme IV. 123.

Watson. Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Elektricität IV. 401.

Watt. Spannkraft der Dämpte II. 66.
Verdampfungswärme II. 709. 711.
Weber, Fr. Diffusion I. 364. Fresses
Interferenzversuch II. 401. Wärmeleitung fester Körper III. 304; 6r
Flüssigkeiten III. 323. Specifische
Wärme des Kohlenstoffs III. 550; de
Bor und Silicium III. 551. Beziehung
zwischen den Leitungsfähigkeiten fir
Wärme und Elektricität IV. 550.
Theorie des Telephon IV. 1112. Bestimmung des Ohm IV. 1148. 1149
Messung der im Strome entwickelten
Wärme nach absolutem Maße IV.
1164. 1165.

Weber, G. Saitenklänge I. 735.

Weber, H. Wärmeleitung fester Könst III. 301. Multiplikator IV. 912. Bestimmung des Ohm IV. 1149

Weber, W. und E. H. Schwingunges von Saiten 1. 631 ff. Untersuchunger über Flüssigkeitswellen I. 680 ff.

Weber, W. Elastische Nachwirkung! 233, 240. Zusammengesetzte Schwirgungen I. 660. Zungenpfeifen I. 760 f Interferenz des Schalles I, 834. Theori-des Magnetismus IV. 54. Reduziers Drehungsmoment zweier Magnetstäle IV. 105. Bestimmung der Deklinaties IV. 134; der Inklination IV. 141; der erdmagnetischen Intensität IV. 14% 152. Absolutes Mais der Elektricht IV. 184. Messung der Elektrichtät in absolutem Mafse IV, 197, Tangenterbussole IV. 528. Stromverzweigung IV. 536. Jacobis Widerstandsen heit IV. 552. Bestimmung des Le. tungswiderstandes IV, 574. Präcez des elektrodynamischen Grundgesetze IV, 831 ff, Elektrodynamometer IV, 856. Elektrisches Grundgesetz IV, 844 * Beziehung desselben zum Princip vor der Erhaltung der Energie IV. 858. Erwiderung auf die Einwürfe von Helmholtz gegen das elektrische Grund gesetz IV, 857, 859. Ablenkung de Magnetnadel durch einen Kreisstrom IV. 904. Tangentenbussole IV. 903 906. Messung der Stromstärke nach alsolutem Maße IV. 916. Elektrochemisches Äquivalent des Wassers IV. 919 Absolute elektrodynamische Linkel IV. 923. Theorie der Magnetisierusz IV. 926. Abhängigkeit des Magnetimus von der magnetisierenden kill IV. 940. Magnetisierende Kraft det Spiralen IV, 949. Magnetische Wie kung der Reibungselektricität IV, 975 Diamagnetische Polarität IV. 286. Diamagnetometer IV. 987. Diamagne tismus und magnetisierende Kraft IV. 993. 996. Gesetze der Induktionsströme IV. 1031 f. Unipolare Induktion IV. 1048. Induktion durch den Erdmagnetismus IV. 1052. Theorie der In-duktion IV. 1063ff. Anwendung der Dümpfung bei Galvanometern IV. Dampfung 1086 ff. Absolute Maße der elektro-motorischen Kraft und des Widerstandes IV. 1139. Methoden zur Messung des Widerstandes in absolutem elektromagnetischem Maße IV. 1143. 1147. 1148. Bestimmung des Ohm IV. 1145. Absolutes elektrodynamisches Maß IV. 1151. Absolutes mechanisches Mass 1153.

Weidner. Ausdehnung des Wassers

unter 00 III, 77.

Weinhold. Tönen der Mundhöhle I. 781. Pyrometrie III. 137. Specifische Wärme des Platin III. 549.

Weinstein. Vergleichung der Luftther-

mometer III. 128.

Weisbach. Ausströmen der Gase I. 508. Specifische Wärme der Gase bei konstantem Volumen IV. 513. 516. Welcker. Irradiation II, 369.

Welter, Verbrennungswärme III. 801.

Siehe auch Gay-Lussac.

Wernicke. Abhängigkeit der Brechungsexponenten vom Einfallswinkel II. 132. Theorie der Reflexion II. 532. Absorptionskoefficienten der Metalle II. 554.

Wertheim. Elasticität I. 197. Elasticitätskoefficienten I. 200. Volumänderung beim Ziehen I. 200. Querkontraktion Kubische Kompressibilität 214. Torsionselasticität I 217. 227. Elasticitätsgrenze I. 243. Festigkeit I. 244. Kapillarität I. 316. Drehende Schwingungen I. 658. Torsionston I. 742. Pfeifentöne I. 745 ff. Teil weise gedeckte Pfeifen I. 752. Töne in Flüssigkeitspfeifen I. 756. Schallgeschwindigkeit in der Luft I. 796; in festen Körpern I. 805. 808; in Flüssigkeiten I. 811. Beziehung zwischen Magnetismus und Torsion IV. 115. Magnetismus und Biegung IV. 121. Einflufs des galvanischen Stromes auf die Festigkeit der Leiter IV. 783.

Wheatstone. Kaleidophon I. 670. Vokale I. 776, Stereoskop II. 378. Dauer der elektrischen Entladung IV. 392. Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Elektricitat IV. 402. Licht des elektrischen Funkens IV, 435. Ströme in isolierten Telegraphenleitungen IV. 544. 547. Rheostat IV. 553. Bestimmung des elektrischen Leitungswiderstandes mit der Brücke IV. 564. Bestimmung der elektromotorischen Kraft IV. 604. 607.

Elektromotorische Kraft der Thermoströme IV. 632. Elektromotorische Kraft der Polarisation IV. 773. Dynamo-elektrische Maschine IV. 1103. Wiebe. Thermometrie III. 132.

Wiedemann, G. Elasticitätsgrenze I. 243. Drehung der Polarisationsebene in Flüssigkeiten II. 692. und Franz. Wärmeleitungsfähigkeit fester Körper III. 292. Einfluss mechanischer Kräfte auf den Magnetismus IV. 114. Beziehung zwischen Magnetismus und Torsion IV. 115. 118. Einfluss der Wärme auf den Magnetismus IV. 122, 123, 125. Elektrische Leitungsfähigkeit der Flüssigkeiten IV. 583. Elektromotorische Kraft des Bunsenschen Chromsäure-Elementes IV. 613. Thermoströme IV. 622.623. Elektrisches Licht IV. 683. Elektrolyse von Lösungen IV. 701. Sekundäre Wirkungen bei der Elektrolyse IV. 716. Zersetzung zusammenge-setzter Verbindungen IV. 718. Elek-trische Endosmose IV. 725 ff. Theorie der Elektrolyse IV. 741, 745. Theorie der Leitung der Flüssigkeiten IV. 751. 752. Tangentenbussole IV. 905. Abhängigkeit des Magnetismus von der Stromstärke IV. 943, 945, 946, Abhängigkeit des Magnetismus von der Stablänge IV. 960, Archimedisches Princip bei diamagnetischen Substanzen im Magnetfelde IV. 991. Magnetismus der Salze und ihrer Lösungen IV. 998 ff. Drehung der Polarisationsebene durch den Strom IV. 1015. Unipolare Induktion IV. 1048. Bestimmung des Ohm IV. 1145.

Wiedemann, E. Bestimmung von Brechungsexponenten mittels totaler Re-flexion II. 206. Hypothese über die mehrfachen Spectra der Gase II. 301. Reflexion an stark absorbierenden Medien II. 554. Specifische Wärme der Gase III. 502. Volumänderung beim Schmelzen III. 616. Specifische Wärme der Dämpfe III. 732. Elektrische Lichterscheinungen in gasver-dünnten Räumen IV. 1123. Einfluß des Magnets auf dieselben IV. 1136.

Wietlisbach. Telephon IV. 1112.

Wild. Komparatoren I. 13. Intensität des polarisierten Lichtes II. 486. Reflexion des Lichtes von Metallen II. 555. Photometer II. 655. Prüfung des Malusschen Gesetzes II. 655. Drehung der Polarisationsebene in Zuckerlösungen II. 693. Polaristrobometer II. 696. Elektricitätserregung bei Berührung zweier Flüssigkeiten IV. 481. Thermoströme zwischen Flüssigkeiten IV. 631

Elektromotorische Kraft der Thermoströme IV. 632. Peltiersches Phano men IV. 660. Bestimmung des Ohm IV. 1148.

Wild und Simmler. Diffusion der Flüssig-

keiten L 359.

Wilde. Geschichte der Optik II. 101. Wilhelmy, Kapillarität I, 334, 338, 341, Wilke, Specifische Wärme III, 434, Schmelzungswärme des Eises III, 618.

Pyroelektricität IV. 179.

Willigen, van der. Brechungsexponenten II. 156. Wellenlängen des Lichtes II. 159. Brechungsexponenten des Wassers II. 163. Messung der Wellenlängen II. 477. Wellenlängen des Lichtes II. 480. Reflexion an stark absorbierenden Medien II. 554.

Willis. Bildung der Vokale I. 776. Wimmel. Schmelzpunkt und Erstarrungs-

punkt von Fetten III. 608. Winkelmann, Wärmeleitung in Flüssigkeiten III. 316. Wärmeleitung der Gase III.334.341. Abhängigkeit der Wärmeleitung der Gase von der Temperatur IIL 343 ff. Specifische Wärme des Quecksilbers III. 553. Specifische Wärme von Lösungen III. 595. und Nies. Schmelztemperaturen III. 609. Volumänderungen beim Schmelzen III. 615. Wärmeverbrauch beim Auflösen von Salzen III. 638. Koppsches Gesetz der Siedepunktdifferenzen III. 695. Verdampfungswarme des Wassers III. 721: anderer Plüssigkeiten III. 728. Formel für die Spannkraft der Dämpfe von Flüssigkeiten III. 793.

Witkowski. Galvanische Polarisation IV.

Wolff. Kritische Temperatur von Flüs-

sigkeiten III. 789.

Wollaston. Reflexionsgoniometer II. 57. Fraunhofersche Linien II. 146. Be-stimmung der Brechungsexponenten durch totale Reflexion II. 204. Furbenringe in einaxigen Krystallen II. 636. Chemische Wirkung der elektrischen Entladung IV. 438. Galvanische Säule IV. 495. Chemische Wirkung der Reibungselektricität IV. 735. Theorie des Galvanismus IV. 796.

Woods. Warmeentwickelung durch che-

mische Prozesse III. 822.

Wrede, von. Theorie der Absorption des Lichtes II. 308. 437. Geschwindigkeit der Wärmestrahlen III. 167.

Wren. Stofsgesetze I. 246.

Wrodlewski, ron und Olszewski. Erstarrungstemperatur III. 609. Kondensation der permanenten Gase III. 790. 792. William Fortpflannungsgeschwindigkeit des Schalles in verschiedenen frue und bei verschiedenen Temperatus I. 802. Prüfung der Dispersionsthon IL 163 ff. Genauigkeitsgremen bei B stimmung von Brechungsenvoret IL 164. Annähernde Gleichung für d Brechungserponenten aus der Thori von Helmholtz II. 167. Abblingight der Brechungesponenten von der Ih perdichte II. 180. Brechungwerpoor von Mischungen II. 186; von Lie IL 187. Entstehung der Fraunhofen Linien II. 282. Abhängigkeit Spektra von der Dicke und Dick der strahlenden Schicht II. 292 f Spektrum des Joddampfes in Flanne II. 292. Spektra der Gase II. 296 Erklärung der Spektra der Gase ver schiedener Ordnung II. 297 ff. Abhänge keit des Emissionsvermögens von de Temperatur II. 305. Kontinuierlick Spektra der Gase II. 306 ff. Mensch liches Auge II 356. Zur Theorie der Alsorption von Wrede II. 439. Bengung fer Lichtes II. 453. Ausdehnung des Qued silbers III. 69. Ausdehnung der De persionstheorie auf die ultraroten Strab en III: 183 f. Korrektion der Therno meter für den herausragenden Faden III 377. Bestimmung d. specifischen Warm III. 450. Specifische Wärme des Wasers III. 473. Specifische Wärme det Gase bei konstantem Volumen III. 522 Wärmeleitung der Gase III 543, m. Bettendorff. Specifische Wärme alletroper Modifikationen III. 546; einiger Elemente III. 579, 581. Temperatu der Dampfe siedender Salzlösunger III. 652. Spannkraft der Dämpfe von Salzlösungen III. 687; von verschiedenen Flüssigkeiten III. 695; von Flüssigkeitsgemischen III. 699. Ander rung der Dampfspannung durch Kompression III. 704. Methode zur Bestinmung der Dichten gesättigter m nicht gesättigter Dämpfe III, 754. mi Grotrian. Dichte gesättigter Dämple III. 758. Dielektricitätskonstanten IV. 311. Influenz in nichtleitenden Flüsigkeiten IV. 325 ff.; in nichtleitender festen Körpern IV. 332. Elektrischer Rückstand in der Batterie IV. 411. 413 Peltiersches Phänomen IV. 663. Durch gang beider Induktionsströme durch gasverdünnte Räume IV. 1119. Elektrische Lichterscheinungen in gaster dünnten Räumen IV. 1123, 1129. Kip fluís des Magnetes auf das elektrische Licht IV. 1136.

Winsch. Wärmespektrum der Sonntstrahlen III. 178.

Y.

Young. Galvanische Säule IV. 496.
Young, Th. Elasticität I. 198. Oberflächenspannung I. 380. Randwinkel I. 316. Reflexion und Brechung der Wellen I. 618. Undulationstheorie II. 43. 45. Empfindung der Farben II, 373. Interferenz des Lichtes II. 392. Theorie der Farben dünner Blättchen II. 411. Polarisation des Lichtes II. 488. Natur der Wärme III. 380. Reibungselektrische Spannungsreihe IV. 176.

Z.

Zamboni. Trockne Säulen IV. 491. Zamminer. Kubische Pfeifen I. 754. Konische Pfeifen I. 768.

Zantedeschi. Diamagnetismus der Flamme IV. 984.

IV. 984. Zech. Farbenkurven in zweiaxigen Krystallen II. 658.

Zeuner. Ableitung der ersten Hauptgleichung der mechanischen Wärmetheorie III. 413. Ableitung des zweiten Hauptsatzes III. 426; der zweiten Hauptgleichung III. 430. Specifische Wärme fester oder flüssiger Körper bei konstantem Volumen III. 561. Formeln für die Spannkraft der Dämpfe einiger Flüssigkeiten III. 693. Ziegler. Messung der Spannkraft der Dämpfe III. 666.

Dämpfe III. 666.

Zöllner. Photometrie II. 39. Abhängigkeit der Absorption des Lichtes von der Dichte der absorbierenden Substanz II. 272. Abhängigkeit der Emission des Lichtes von der Dicke und Dichte der strahlenden Schicht II. 286. 287. 301. Abhängigkeit der Emission des Lichtes von der Temperatur II. 307. Polarisationsphotometer II. 599. Galvanisches Glühen von Drähten IV. 678. Strömungsströme IV. 787. Zu von Helmholtz Theorie der Elektrodynamik IV. 861. Zum elektrischen Grundgesetz von Clausius IV. 862. Rotation von Strömen unter dem Einflusse von Magneten IV. 895. Bestimmung des Ohm IV. 1145.

Berichtigungen zum 1., 2., 3. und 4. Bande1).

1. Band.

```
von u. lies Radius a anstatt Durchmesser a.
       98 Zeile 14
                                                                       2 Ma
                                               2 Ma
       99
                                                                        Pza.
                                                Pza
     117
                    6
                                      7.5
     147
                   21
                                                DBO
                                                                       ABO.
             19
                                 25
                                           11
                                                D(1+\mu\delta_1) ,
                                                                       (1 + \mu \delta_i)
     204
                    2
                                           22
             *
                                                        Kv = k\delta_3 + Kv.
     204
                                     u.
                                           22
     230
                   18
                                      0.
                                                                       anstatt rm N.
             77
                                           17
     258
                   15
                                                tang mt =
                                                                                   tang mt
                                     II.
                                           17
     451
                                                 Weg x - 1
                                                                                  Weg a. .
                    14 u. 20
                                      0.
                                                lx Ne-axadx.
     451
                   22
                                      11
                                                i\int_{0}^{\infty} cNe^{-\alpha x}\alpha dx.
     451
                   14
                                      u.
     451
                   12
                                      *
                                                   \frac{\Delta^{\tau}}{\alpha} = Nl; \quad \alpha = 1.
     451
                                            17
                                                1 + 0,00367t anstatt 1 + 0,00367. Röhre ED , CD.
     458
                                      "
                                            ,,
                   24
     466
                                                qqcm
                                                                             qcm.
     528
                   17
                                      ο.
                                                q^{\gamma}, p_1 - p_1' + p_2 - p_2' anstatt p_1 - p_1' + p_2' - q_2' dem Quadrate der Geschwindigkeit der
11
             77
                                           17
     533
                    2
                                            ,,
             "
     542
                   12
                                      u.
                                                wegten Körpers.
                                                \alpha \frac{2\pi}{T} \cos 2\pi \frac{t}{T} \text{ anstatt } \frac{2\pi}{T} \cos 2\pi \frac{t}{T}
     563
                   15
                                      0.
••
                                                Abstande, von α bis η anstatt Abst
     565
                   17
                                      u.
                                                 von α bis η.
                                                (y-dy'-y)-\cdots anstatt (y-dy-y)
     571
                   11
                                      ••
                                            "
                                                y = -\alpha \sin 2\pi \frac{t}{T} anstatt x = -\alpha \sin 2\pi
     575
                                      0.
                                            "
     581
                     3 u. 4
                                                c und c
     582
                   12
                                                                                   c und c.
     582
                   18
                                                2α cos π · · · ·
                                                                                   2 cos # . . .
                                      u.
                                            "
     598
                    14
                                      ٥.
                                                          4 gPl³
     641
                   13
                                      u.
    -840
```

¹⁾ Durch die Freundlichkeit der Herren L. Zehnder in Berlin und stud. E. Schults in 8 bin ich in der Lage, su den bereits in den einzelnen Bänden mitgeteilten noch folger tigungen für die ersten drei Bände angeben su können.

2. Band.

In den Berichtigungen lies anstatt Seite 161 etc. Seite 162 Zeile 6 von o. Ferner muß das erste Glied des berichtigten Ausdrucks heißen $\lambda^2 \left(\frac{n_0^2}{n^2}-1\right)^2$ anstatt $\lambda^2 \left(\frac{n_0}{n^2}-1\right)^2$.

```
von u. lies Gleichung (1) anstatt Gleichung (I).
Seite 125 Zeile
                                         4
                129
                                         3
                                                                                   n^2 = \cdots
                                                                                                                                      71 -----
                                                                    "
                                                                            ,,
                                                                                                                          "
                                                                                    x2 = · · · ·
                129
                                         2
     "
                              ,,
                                                            ,,
                                                                     "
                                                                            "
                                                                                   im Zähler des letzten Gliedes \beta_2° anstatt \beta_2. im Nenner (\lambda^2 - \lambda_m^2)^2 anstatt (\lambda^2 - \lambda_m)^2. im Nenner (\lambda^2 - \lambda_m^2)^2 , (\lambda^4 - \lambda_m^2)^2. \{(\lambda^2 - \lambda_m^2)^2 + \alpha^2 \lambda^2\} , 4\{(\lambda^2 - \lambda_m^2)^2 + \alpha^2 \lambda^2\}
                131
                                         9
                                                                    0.
     17
                              "
                                                            "
                                                                            11
                131
                                      13
                              "
                                                                    "
                                                                            ,,
                170
                                      16
                                                                    u.
                172
                                         1
                                                                    ••
                                                                                   +\tilde{\alpha}^2\lambda^2.
                206
                                                                                    undurchsichtige Körper
                                                                                                                                                          durchsichtige
                                                                    "
                                                                            17
                                                                                    Körper.
                236
                                         2
                                                                                    Qh' anstatt Qh_1.
                                                                   0.
                                                                            "
                                                                                    im Zähler (n-1)\nu r'd anstatt (n-1)rr'd.
                240
                                         7
                                                                    u.
     ,,
                                                            "
                                                                            "
                                                                                            \frac{n-1}{n \nu r'} d anstatt
               242
                                         9
     99
                                                            ,,
                                                                    ,,
                                                                            ,,
               262
                                      24
                                                                                   m_1
                                                                                                                                           m'.
                              17
                                                            "
                                                                    "
                                                                            "
                                                                                   n_{i}
                                                                                                                                            L'
               262
                                      23
                             ,,
                                                                    ,,
      "
                                                            "
                                                                            "
                                                                                                                              ,,
               262
                                      21
     ,,
                                                                                                                              ,,
               406
                                                                                    dass die durch
                                         8
                                                                                                                                           dass sie durch.
                                                                    0.
     77
                                                                            11
                                                                                   \varrho^{2n-2}\sin\cdots
                                                                                                                                            \varrho^n \sin \cdots
               415
                                         7
     ,,
                                                            ,,
                                                                    "
                                                                                                                              ,,
                                                                            ,,
                                                                                   \rho^{2n-2}\sin\cdots
               415
                                                                                                                                            q<sup>n</sup> sin . . .
                                                            17
                                                                    "
                                                                                                                             "
     "
                                         9 u. 9
                                                                            ist das Vorzeichen des zweiten Gliedes negativ.
               415
                                                            "
                                                                   also + in - zu verwandeln.
o. lies im Zähler (r - r^3) anstatt (r^3 - r).
               416
                                      11
     11
                                                                                        4 a2 r2
                                                                                                                                   4ar2
                                                                                  \frac{4a^2r^2}{(1+r^2)^2} \text{ anstatt } \frac{4ar^2}{(1+r)^2}.
\left(\frac{2BC}{\lambda'} - \frac{BE}{\lambda}\right) 2\pi = \eta \text{ anstatt } \left(\frac{2BC}{\lambda'} - \frac{BE}{\lambda}\right) = \eta.
               417
                                         3
                                                                    u.
               421
                                      13
               422
                                                                            ", im Nenner 4 \varrho^2 \sin^2 \frac{1}{2} \eta", 2 \varrho^2 \sin^2 \frac{1}{2} \eta.
                                      11
                                                                                  \frac{kh}{m} sin mb anstatt \frac{ka}{m} sin mb.
                455
                                         6
               463
                                      13
                                                                            ,, 1 - \cos ma + \cos (p-1) ma - \cos ma.
               463
                                                                                 im Zähler 1 - \cos m a + \cos (p-1)ma - \cos ma.
                                      14
               463
                                                                            " im Nenner 2 (cos ma - 1).
                                         5
                                                                   11.
                                                            "
               474
                                                                            ,, J_p anstatt J_p.
                                                                    "
      "
                                                                                   J_p anstatt J_p.
               475
                                                                    0.
                                                                                                                       \frac{\sin i}{\lambda} - \frac{\delta_p}{\lambda} anstatt u \, 2 \, \pi \left( \frac{t}{T} \cdots \right)
               534
               534
                                                                                   v \sin r = \sin i anstatt v \sin r = i
                                                                                     A^2b^2\sin^2 Z_1
                                                                                                                                              A^2b^2\sin Z_1
               616
                                      13
                                                                                           A^2c^2
                                                                                                                                                     A^{2}c^{2}
                                                                                  in der Klammer — OD
                                                                                                                                              anstatt -JD.
               632
                                                                   11
               632
                                                                                   in der Klammer
                                                                   u.
```

3. Band.

Seite 124 Zeile 14 von o. lies in der mittleren Spalte 204, 43 anstatt 240, 45 u. und ebenso Seite 246 Zeile 11 und 15 von oben lies $\frac{SE}{Pc}$ anstatt $\frac{Pc}{SE}$. ,, ,, k = 0.1479 anstatt h = 0.1479. 301 ,, ., in der Klammer $E-c\,rac{d\,T}{d\,z}\,\xi\,\cos\,\vartheta$. 538 538 " " li anstatt bi. $A = \frac{1}{425, 5}$ anstatt $A = \frac{1}{425}$ 560 TdZ anstatt Tdz. 568 $\frac{1}{A}\sum \frac{1}{2} md(v^2) + \cdots$ anstatt $\frac{1}{A}\sum md(v^2)$ 575 ", ", ", $\frac{1}{A}\sum_{j}^{2}\frac{1}{2}md(v^{2})$ "

", ", ", $\frac{K^{\prime}c_{p}^{\prime}}{r}$ anstatt $K^{\prime}c_{p}$.

", ", ", $t=50^{\circ}C$ ", $t=50^{\circ}C$. 575 8 " " " $t = 50^{\circ}C$ " $= 50^{\circ}C$.
7 " 0 " Essigsäure $C_2H_4O_2$ anstatt $C_2H_4O_3$.
8 " " Propionsäure $C_3H_6O_2$ " $C_3H_4O_3$.
15 " u " an den Wänden " an den Dämpfen 20 " $P \times \left(\frac{\vartheta + \vartheta'}{2} - t\right)$ " $P \times \left(\frac{\vartheta + \vartheta'}{2} - t\right)$.
15 " u " $\left(\frac{\vartheta + \vartheta'}{2} - t\right)$ " $\left(\frac{\vartheta + \vartheta'}{2} - t\right)$. 683 77 694 7.7 694 704 725 725 11 ", ", im Nenner $p-t\left(\frac{dp}{dt}\right)_{e}$ anstatt p-t752 ,, o. ,, $A = \frac{1}{425,5}$ anstatt A = 425,5. 754 766 " 18 " u. tilge v_0 am Schlusse der Zeile und setze es s $(1+\beta t)$ im Beginne der folgenden Zeile.

780 in der Figur ist an der Curve 21% anstatt 21%,1 zu setzen.

795 Zeile 2 von o. lies const = $\log m_1$ anstatt const = m_1 .

799 " 1 " u. ist die rechte Seite der Gleichung mit A zu multipliziere 810 " 12 " o. ist die Verbrennungswärme des Metamylen in beid Spalten gleich 10998 anstatt 11992 an extern 15 22 11 Spalten gleich 10928 anstatt 11928 zu setzen.

4. Band.

14 Zeile 8 v. o. lies $-\frac{\partial V_a}{\partial x}$ anstatt $\frac{\partial V_a}{\partial x}$ Seite 62 in der Überschrift der letzten Spalte der Tabelle lies log a anstatt log 221 Zeile 20 v. o. lies positiver anstatt positer.
231 , 16 , u. , Tangentialebenen anstatt Tangentialbenen. " 29 250 15 ,, 0. wird anstatt wir. $\frac{4\pi\varepsilon}{3+4\pi\varepsilon}\,b^{8}\,\frac{E}{r^{2}}\,\,\text{anstatt}\,\,\frac{4\pi\varepsilon}{3+4\pi\varepsilon}\,b^{3}\,\frac{\varepsilon}{r^{2}}.$ 304 4 ,, 0. ,, $2\pi h(R-x) - 2\pi h\left(1-\frac{\delta}{R}\right)(R-x+\delta)$. 309 8 ,, u. ,, $4\pi h\delta \frac{1}{D}$ anstatt $4\pi h\delta \frac{1}{D_1}$. 316 7 ,, o. ,, Wie wir ,, 431 11 ,, u. ,, im letzten Gliede des Zählers $e^{a(l-x)}$ anstatt $e^{a(l-x)}$ 548

```
Seite 576 Zeile 2 v. u. lies c = \frac{v_1 c_1 + v_2 c_2}{v_1 + v_2} anstatt \frac{v_1 c_1 + v_2 c_2}{v_1 + v_2}.
                         18 " o. " K = E \frac{e}{e_1} anstatt E = E \frac{e}{e_1}
12 " u. " 1,157 Ampères anstatt 11,57 Ampères.
          610
                                            1,157 \frac{1}{1,06} anstatt 11,57 \frac{1}{106}
          610
                         12 " u.
          708
                                           eine zersetzbare Flüssigkeit anstatt eine Flüssigkeit.
                         11 " u.
                                        "
                                      " die zersetzbaren Flüssigkeiten " die Flüssigkeiten.
                         16 ,, 0.
          709
                   "
                         11 ,, o. ,, Messung anstatt Mischung.
11 ,, o. ,, Kalium ,, Kation.
          714
    ,,
                                                             E"
          750 Anmerkung lies -\frac{dV}{dx} = \frac{E'}{e+L} anstatt -\frac{dV}{dx} = \frac{\varepsilon}{e+L}
          769 Zeile 2 v. o. lies wachsender
                                                                          wechselnder.
                       15 ,, u. ,, w anstatt W.
                          8 ,, o. vor dem Integralzeichen lies -\frac{1}{2}ii' anstatt -\frac{1}{2}i'i'.
          829
    "

    n, o. lies Konstanten a anstatt Konstanten α.
    n, o. streiche nach Sn den Doppelpunkt.
    n, o. lies (z' - z)<sup>2</sup> anstatt z' - z)<sup>2</sup>.
    u. 4 v. o. und Anmerkung lies Grunmach anstatt Grumnach.

          850
          869
          873
```

1011





